6.7 Potence s celimi eksponenti

Naravna števila so enaka pozitivnim celim številom, torej so potence s pozitivnimi celimi eksponenti enake potencam z naravnimi eksponenti.

Potenca z eksponentom enakim 0 je definirana kot:

$$x^0 = \begin{cases} 1 & x \neq 0; \\ 1 & ali & ND & x = 0. \end{cases}$$

Potenca z negativnim celim eksponentom pa je definirana kot:

$$x^{-n} = \frac{1}{x^n}; \quad x \notin \{0\}, n \in \mathbb{N}.$$

Pravila za računanje s potencami s celimi eksponenti

V spodaj zapisanih pravilih upoštevamo realni osnovi $x, y \in \mathbb{R}$ in cele eksponente $m, n \in \mathbb{Z}$.

- $x^n \cdot x^m = x^{n+m}$
- $x^n \cdot y^n = (xy)^n$
- $(x^n)^m = x^{nm}$
- $\bullet \quad x^n : x^m = \frac{x^n}{x^m} = x^{n-m}$

•
$$x^n: y^n = \frac{x^n}{y^n} = \left(\frac{x}{y}\right)^n; \quad y \neq 0$$

Naloga 6.29. Poenostavite.

- $x^{10}: x^5$
- $b^4:b^{-11}$
- $y^{-3}: y^2$

Naloga 6.30. Poenostavite.

Naloga 6.31. Poenostavite.

- $-\frac{5^5 a^4 b^{-3}}{a^{-3} b^2} : \left(-\frac{5^2 a^{-2} b}{a^2}\right)^2$

Naloga 6.32. Poenostavite.

- $\begin{array}{c} \textbf{Naloga 6.33.} \ Poenostavite. \\ \bullet \ \ \frac{3^{n+2}-2\cdot 3^{n-1}}{3^{n-2}+3^n} \\ \bullet \ \ \frac{5^{2n}+5^{2n-1}-2\cdot 5^{2n+1}}{25^n} \end{array}$

$$\bullet \quad \frac{7^{3n-3}+3\cdot7^{3n-2}-7^{3n-4}}{7^{3n-2}-7^{3n-1}}$$

$$\bullet \quad \frac{2^{n-1} + 3 \cdot 2^n}{4^n + 5 \cdot 2^{2n-1}}$$

Naloga 6.34. Napišite brez negativnih eksponentov.

•
$$x^{-1} + 2x^{-2}$$

•
$$1 - x^{-1} - x^{-2}$$

•
$$\frac{1}{x^{-1}} + x^{-1}$$

$$\begin{array}{c}
x^{-1} + \omega \\
\left(\frac{2}{x^{-2}}\right)^{-1}
\end{array}$$

•
$$(x-x^{-1}) \cdot (x^2-1)^{-1}$$

•
$$\frac{x^{-2}+x^{-1}}{x^{-2}-x^{-1}}-(1-x)^{-1}$$

•
$$\left(\frac{x^{-3}-x^{-1}}{1-x^{-2}}\right)^{-1} + \left(\frac{1}{x}\right)^{-1}$$

Naloga 6.35. Poenostavite.
•
$$(x-x^{-1}) \cdot (x^2-1)^{-1}$$

• $\frac{x^{-2}+x^{-1}}{x^{-2}-x^{-1}} - (1-x)^{-1}$
• $\left(\frac{x^{-3}-x^{-1}}{1-x^{-2}}\right)^{-1} + \left(\frac{1}{x}\right)^{-1}$
• $(x^{-2}-2x^{-1}+1)^{-1} - (x-1)^{-2}$