

# MATEMATIKA

1. letnik – splošna gimnazija

Jan Kastelic

Gimnazija Antona Aškerca,  
Šolski center Ljubljana

24. september 2024

# Vsebina

- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
- 5 Realna števila, statistika
- 6 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

# Section 1

## Osnove logike in teorije množice

- 1 Osnove logike in teorije množice
  - Osnove logike
  - Osnove teorije množic
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
- 5 Realna števila, statistika
- 6 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

# Izjave

# Izjave

## Matematična izjava

---

# Izjave

## Matematična izjava

**Matematična izjava** je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oziroma pravilnost.

# Izjave

## Matematična izjava

**Matematična izjava** je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oziroma pravilnost.

## Logična vrednost matematične izjave



# Izjave

## Matematična izjava

**Matematična izjava** je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oziroma pravilnost.

## Logična vrednost matematične izjave

Matematična izjava lahko zavzame dve logični vrednosti:

# Izjave

## Matematična izjava

**Matematična izjava** je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oziroma pravilnost.

## Logična vrednost matematične izjave

Matematična izjava lahko zavzame dve logični vrednosti:

- izjava je **resnična/pravilna**, oznaka **R/P/1/T**;

# Izjave

## Matematična izjava

**Matematična izjava** je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oziroma pravilnost.

## Logična vrednost matematične izjave

Matematična izjava lahko zavzame dve logični vrednosti:

- izjava je **resnična/pravilna**, oznaka **R/P/1/⊤**;
- izjava je **neresnična/nepravilna**, oznaka **N/0/⊥**.

# Izjave

## Matematična izjava

**Matematična izjava** je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oziroma pravilnost.

## Logična vrednost matematične izjave

Matematična izjava lahko zavzame dve logični vrednosti:

- izjava je **resnična/pravilna**, oznaka **R/P/1/⊤**;
- izjava je **neresnična/nepravilna**, oznaka **N/0/⊥**.

Izjave označujemo z velikimi tiskanimi črkami ( $A, B, C \dots$ ).



## Naloga

Ali so naslednje povedi izjave?

## Naloga

Ali so naslednje povedi izjave?

- Danes sije sonce.
- Koliko je ura?
- Piramida je geometrijski lik.
- Daj mi jabolko.
- Število 12 deli število 3.
- Število 3 deli število 10.
- Ali si pisal matematični test odlično?
- Matematični test si pisal odlično.
- Ali je 10  $d|$  isto kot 1  $l$ ?
- Število 41 je praštevilo.





## Naloga

Spodnjim izjavam določite logične vrednosti.

## Naloga

Spodnjim izjavam določite logične vrednosti.

- $A$ : Najvišja gora v Evropi je Mont Blanc.
- $B$ : Število je deljivo s 4 natanko takrat, ko je vsota števk deljiva s 4.
- $C$ : Ostanek pri deljenju s 4 je lahko 1, 2 ali 3.
- $D$ : Mesec februar ima 28 dni.
- $E$ : Vsa praštevila so liha števila.
- $F$ : Število 1 je naravno število.
- $G$ : Praštevil je neskončno mnogo.



# Enostavne in sestavjene izjave

## Enostavne in sestavjene izjave

Izjave delimo med:

## Enostavne in sestavjene izjave

Izjave delimo med:

- **elementarne/enostavne izjave** – ne moremo jih razstaviti na bolj enostavne;

## Enostavne in sestavljene izjave

Izjave delimo med:

- **elementarne/enostavne izjave** – ne moremo jih razstaviti na bolj enostavne;
- **sestavljene izjave** – sestavljene iz elementarnih izjav, ki jih med seboj povezujejo **logične operacije** (imenovane tudi izjavne povezave oziroma logična vezja).

## Enostavne in sestavljene izjave

Izjave delimo med:

- **elementarne/enostavne izjave** – ne moremo jih razstaviti na bolj enostavne;
- **sestavljene izjave** – sestavljene iz elementarnih izjav, ki jih med seboj povezujejo **logične operacije** (imenovane tudi izjavne povezave oziroma logična vezja).

Vrednost sestavljene izjave izračunamo glede na vrednosti elementarnih izjav in izjavnih povezav med njimi.



## Enostavne in sestavjene izjave

Izjave delimo med:

- **elementarne/enostavne izjave** – ne moremo jih razstaviti na bolj enostavne;
- **sestavljene izjave** – sestavljene iz elementarnih izjav, ki jih med seboj povezujejo **logične operacije** (imenovane tudi izjavne povezave oziroma logična vezja).

Vrednost sestavljene izjave izračunamo glede na vrednosti elementarnih izjav in izjavnih povezav med njimi.

Pravilnost sestavljenih izjav nazorno prikazujejo **resničnostne/pravilnostne tabele**.

# Logične operacije

# Logične operacije

## Negacija

---

# Logične operacije

## Negacija

**Negacija** izjave  $A$  je izjava, ki **trdi nasprotno** kot izjava  $A$ .

# Logične operacije

## Negacija

**Negacija** izjave  $A$  je izjava, ki **trdi nasprotno** kot izjava  $A$ .

$\neg A$       **Ni res**, da velja izjava  $A$ .

# Logične operacije

## Negacija

**Negacija** izjave  $A$  je izjava, ki **trdi nasprotno** kot izjava  $A$ .

$\neg A$       **Ni res**, da velja izjava  $A$ .

Če je izjava  $A$  pravilna, je  $\neg A$  nepravilna in obratno: če je  $\neg A$  pravilna, je  $A$  nepravilna.

# Logične operacije

## Negacija

**Negacija** izjave  $A$  je izjava, ki **trdi nasprotno** kot izjava  $A$ .

$\neg A$       **Ni res**, da velja izjava  $A$ .

Če je izjava  $A$  pravilna, je  $\neg A$  nepravilna in obratno: če je  $\neg A$  pravilna, je  $A$  nepravilna.

$A$	$\neg A$
$P$	$N$
$N$	$P$

# Logične operacije

## Negacija

**Negacija** izjave  $A$  je izjava, ki **trdi nasprotno** kot izjava  $A$ .

$\neg A$       **Ni res**, da velja izjava  $A$ .

Če je izjava  $A$  pravilna, je  $\neg A$  nepravilna in obratno: če je  $\neg A$  pravilna, je  $A$  nepravilna.

$A$	$\neg A$
$P$	$N$
$N$	$P$

Negacija negacije izjave je potrditev izjave.  $\neg(\neg A) = A$





## Naloga

Izjavam določite logično vrednost, potem jih zanikajte in določite logično vrednost negacij.

## Naloga

Izjavam določite logično vrednost, potem jih zanikajte in določite logično vrednost negacij.

- $A: 5 \cdot 8 = 30$
- $B$ : Število 3 je praštevilo.
- $C$ : Največje dvomestno število je 99.
- $D$ : Število 62 je večkratnik števila 4.
- $E$ : Praštevil je neskončno mnogo.
- $F: 7 \leq 5$
- $G$ : Naša pisava je cirilica.



# Konjunkcija

## Konjunkcija

**Konjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane tako, da povežemo izjavi  $A$  in  $B$  z **in** (**hkrati**).

## Konjunkcija

**Konjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane tako, da povežemo izjavi  $A$  in  $B$  z **in (hkrati)**.

**$A \wedge B$**  Velja izjava  $A$  **in (hkrati)** izjava  $B$ .

## Konjunkcija

**Konjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane tako, da povežemo izjavi  $A$  in  $B$  z **in (hkrati)**.

$A \wedge B$  Velja izjava  $A$  **in (hkrati)** izjava  $B$ .

Če sta izjavi  $A$  in  $B$  pravilni, je pravilna tudi njuna konjunkcija, če je pa ena od izjav nepravilna, je nepravilna tudi njuna konjunkcija.



## Konjunkcija

**Konjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane tako, da povežemo izjavi  $A$  in  $B$  z **in (hkrati)**.

$A \wedge B$  Velja izjava  $A$  **in (hkrati)** izjava  $B$ .

Če sta izjavi  $A$  in  $B$  pravilni, je pravilna tudi njuna konjunkcija, če je pa ena od izjav nepravilna, je nepravilna tudi njuna konjunkcija.

$A$	$B$	$A \wedge B$
$P$	$P$	$P$
$P$	$N$	$N$
$N$	$P$	$N$
$N$	$N$	$N$



## Naloga

Določite logično vrednost konjunkcijam.

## Naloga

Določite logično vrednost konjunkcijam.

- Število 28 je večkratnik števila 3 in večkratnik števila 8.
- Število 7 je praštevilo in je deljivo s številom 1.
- Vsakemu celemu številu lahko pripišemo nasprotno število in obratno število.
- Ostanki pri deljenju števila s 3 so lahko 0, 1 ali 2, pri deljenju s 5 pa 0, 1, 2, 3 ali 4.
- Število je deljivo s 3, če je vsota števk deljiva s 3, in je deljivo z 9, če je vsota števk deljiva z 9.



# Disjunkcija

## Disjunkcija

**Disjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane s povezavo **ali**.

## Disjunkcija

**Disjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane s povezavo **ali**.

**$A \vee B$**       Velja izjava  $A$  **ali** izjava  $B$  (lahko tudi obe hkrati).



## Disjunkcija

**Disjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane s povezavo **ali**.

$A \vee B$  Velja izjava  $A$  **ali** izjava  $B$  (lahko tudi obe hkrati).

Disjunkcija je nepravilna, če sta nepravilni obe izjavi, ki jo sestavljata, v preostalih treh primerih je pravilna.

## Disjunkcija

**Disjunkcija** izjav  $A$  in  $B$  nastane s povezavo **ali**.

**$A \vee B$**  Velja izjava  $A$  **ali** izjava  $B$  (lahko tudi obe hkrati).

Disjunkcija je nepravilna, če sta nepravilni obe izjavi, ki jo sestavljata, v preostalih treh primerih je pravilna.

$A$	$B$	$A \vee B$
$P$	$P$	$P$
$P$	$N$	$P$
$N$	$P$	$P$
$N$	$N$	$N$



## Naloga

Določite logično vrednost disjunkcijam.

## Naloga

Določite logično vrednost disjunkcijam.

- Število 24 je večkratnik števila 3 ali 8.
- Število 35 ni večkratnik števila 7 ali 6.
- Število 5 deli število 16 ali 18.
- Ploščina kvadrata s stranico  $a$  je  $a^2$  ali obseg kvadrata je  $4a$ .
- Ni res, da je vsota notranjih kotov trikotnika  $160^\circ$ , ali ni res, da Pitagorov izrek velja v poljubnem trikotniku.



# Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$



## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$

## Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$

## Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

$$(A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C)$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$

## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$

## Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

$$(A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C)$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$

## Distributivnost zakona za konjunkcijo in disjunkcijo

## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$

## Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

$$(A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C)$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$

## Distributivnost zakona za konjunkcijo in disjunkcijo

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C)$$

$$(A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$

## Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

$$(A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C)$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$

## Distributivnost zakona za konjunkcijo in disjunkcijo

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C)$$

$$(A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

## De Morganova zakona

## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$

## Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

$$(A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C)$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$

## Distributivnost zakona za konjunkcijo in disjunkcijo

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C)$$

$$(A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

## De Morganova zakona

- negacija konjunkcije je disjunkcija negacij:  $\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$

## Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A$$

$$A \vee B = B \vee A$$

## Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

$$(A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C)$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$

## Distributivnost zakona za konjunkcijo in disjunkcijo

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C)$$

$$(A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

## De Morganova zakona

- negacija konjunkcije je disjunkcija negacij:  $\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$
- negacija disjunkcije je konjunkcija negacij:  $\neg(A \vee B) = \neg A \wedge \neg B$





## Naloga

Katere od spodnjih izjav so pravilne in katere nepravilne?

## Naloga

Katere od spodnjih izjav so pravilne in katere nepravilne?

- $(3 \cdot 4 = 12) \wedge (12 : 4 = 3)$
- $(a^3 \cdot a^5 = a^{15}) \vee (a^3 \cdot a^5 = a^8)$
- $(3|30) \wedge (3|26)$
- $(3|30) \vee (3|26)$
- $(2^3 = 9) \vee (3^2 = 9)$
- $((-2)^2 = 4) \wedge \neg(-2^2 = 4)$



# Implikacija

## Implikacija

**Implikacija** izjav  $A$  in  $B$  je sestavljena izjava, ki jo lahko beremo na različne načine.

## Implikacija

**Implikacija** izjav  $A$  in  $B$  je sestavljena izjava, ki jo lahko beremo na različne načine.

**$A \Rightarrow B$**       Če velja izjava  $A$ , **potem** velja izjava  $B$ . / **Iz  $A$  sledi  $B$ .**

## Implikacija

**Implikacija** izjav  $A$  in  $B$  je sestavljena izjava, ki jo lahko beremo na različne načine.

$A \Rightarrow B$       Če velja izjava  $A$ , **potem** velja izjava  $B$ . / **Iz  $A$  sledi  $B$ .**

Izjava  $A$  je **pogoj** ali **privzetek**, izjava  $B$  pa **(logična) posledica** izjave  $A$ .

## Implikacija

**Implikacija** izjav  $A$  in  $B$  je sestavljena izjava, ki jo lahko beremo na različne načine.

$A \Rightarrow B$     Če velja izjava  $A$ , **potem** velja izjava  $B$ . / **Iz  $A$  sledi  $B$ .**

Izjava  $A$  je **pogoj** ali **privzetek**, izjava  $B$  pa **(logična) posledica** izjave  $A$ .

Implikacija je nepravilna, ko je izjava  $A$  pravilna, izjava  $B$  pa nepravilna, v preostalih treh primerih je pravilna.



## Implikacija

**Implikacija** izjav  $A$  in  $B$  je sestavljena izjava, ki jo lahko beremo na različne načine.

$A \Rightarrow B$     Če velja izjava  $A$ , **potem** velja izjava  $B$ . / **Iz  $A$  sledi  $B$ .**

Izjava  $A$  je **pogoj** ali **privzetek**, izjava  $B$  pa **(logična) posledica** izjave  $A$ .

Implikacija je nepravilna, ko je izjava  $A$  pravilna, izjava  $B$  pa nepravilna, v preostalih treh primerih je pravilna.

$A$	$B$	$A \Rightarrow B$
$P$	$P$	$P$
$P$	$N$	$N$
$N$	$P$	$P$
$N$	$N$	$P$



## Naloga

Določite, ali so izjave pravilne.

## Naloga

Določite, ali so izjave pravilne.

- Če je število deljivo s 100, je deljivo tudi s 4.
- Če je štirikotnik pravokotnik, se diagonali razpolavljata.
- Če je štirikotnik kvadrat, se diagonali sekata pod pravim kotom.
- Če sta števili 2 in 3 lihi števili, potem je produkt teh dveh števil sodo število.
- Če je število 18 deljivo z 9, potem je deljivo s 3.
- Če je 7 večkratnik števila 7, potem 7 deli število 43.
- Če je število deljivo s 4, potem je deljivo z 2.



# Ekvivalenca

## Ekvivalenca

**Ekvivalenca** izjavi  $A$  in  $B$  poveže s **če in samo če** oziroma **natanko tedaj, ko**.

## Ekvivalenca

**Ekvivalenca** izjavi  $A$  in  $B$  poveže s **če in samo če** oziroma **natanko tedaj, ko**.

$A \Leftrightarrow B$      Izjava  $A$  velja, **če in samo če** velja izjava  $B$ ./  
Izjava  $A$  velja **natanko tedaj, ko** velja izjava  $B$ .



## Ekvivalenca

**Ekvivalenca** izjavi  $A$  in  $B$  poveže s **če in samo če** oziroma **natanko tedaj, ko**.

$A \Leftrightarrow B$      Izjava  $A$  velja, **če in samo če** velja izjava  $B$ ./  
Izjava  $A$  velja **natanko tedaj, ko** velja izjava  $B$ .

Ekvivalenca dveh izjav je pravilna, če imata obe izjavi enako vrednost (ali sta obe pravilni ali obe nepravilni), in nepravilna, če imata izjavi različno vrednost.

## Ekvivalenca

**Ekvivalenca** izjavi  $A$  in  $B$  poveže s **če in samo če** oziroma **natanko tedaj, ko**.

$A \Leftrightarrow B$      Izjava  $A$  velja, **če in samo če** velja izjava  $B$ ./  
Izjava  $A$  velja **natanko tedaj, ko** velja izjava  $B$ .

Ekvivalenca dveh izjav je pravilna, če imata obe izjavi enako vrednost (ali sta obe pravilni ali obe nepravilni), in nepravilna, če imata izjavi različno vrednost.

$A$	$B$	$A \Leftrightarrow B$
$P$	$P$	$P$
$P$	$N$	$N$
$N$	$P$	$N$
$N$	$N$	$P$

## Ekvivalenca

**Ekvivalenca** izjavi  $A$  in  $B$  poveže s **če in samo če** oziroma **natanko tedaj, ko**.

$A \Leftrightarrow B$      Izjava  $A$  velja, **če in samo če** velja izjava  $B$ ./  
Izjava  $A$  velja **natanko tedaj, ko** velja izjava  $B$ .

Ekvivalenca dveh izjav je pravilna, če imata obe izjavi enako vrednost (ali sta obe pravilni ali obe nepravilni), in nepravilna, če imata izjavi različno vrednost.

Ekvivalentni/enakovredni izjavi pomenita eno in isto, lahko ju nadomestimo drugo z drugo.

$A$	$B$	$A \Leftrightarrow B$
$P$	$P$	$P$
$P$	$N$	$N$
$N$	$P$	$N$
$N$	$N$	$P$



## Naloga

Določite, ali so naslednje izjave pravilne.

## Naloga

Določite, ali so naslednje izjave pravilne.

- Število je deljivo z 12 natanko takrat, ko je deljivo s 3 in 4 hkrati.
- Število je deljivo s 24 natanko takrat, ko je deljivo s 4 in 6 hkrati.
- Število je praštevilo natanko takrat, ko ima natanko dva delitelja.
- Štirikotnik je kvadrat natanko tedaj, ko se diagonali sekata pod pravim kotom.
- Število je sodo natanko tedaj, ko je deljivo z 2.



## Vrstni red operacij



## Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oziroma **prioriteto izjavnih povezav**:

## Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oziroma **prioriteto izjavnih povezav**:

- 1 negacija,

## Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oziroma **prioriteto izjavnih povezav**:

- 1 negacija,
- 2 konjunkcija,

## Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oziroma **prioriteto izjavnih povezav**:

- 1 negacija,
- 2 konjunkcija,
- 3 disjunkcija,

## Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oziroma **prioriteto izjavnih povezav**:

- 1 negacija,
- 2 konjunkcija,
- 3 disjunkcija,
- 4 implikacija,

## Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oziroma **prioriteto izjavnih povezav**:

- ① negacija,
- ② konjunkcija,
- ③ disjunkcija,
- ④ implikacija,
- ⑤ ekvivalenca.

## Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oziroma **prioriteto izjavnih povezav**:

- 1 negacija,
- 2 konjunkcija,
- 3 disjunkcija,
- 4 implikacija,
- 5 ekvivalenca.

Če moramo zapored izvesti več enakih izjavnih povezav, velja pravilo združevanja od leve proti desni.





## Naloga

V sestavljeni izjavi zapišite oklepaje, ki bodo predstavljali vrstni red operacij. Nato tvorite pravilnostno tabelo za sestavljeno izjavo glede na različne logične vrednosti elementarnih izjav.

## Naloga

V sestavljeni izjavi zapišite oklepaje, ki bodo predstavljali vrstni red operacij. Nato tvorite pravilnostno tabelo za sestavljeno izjavo glede na različne logične vrednosti elementarnih izjav.

- $A \vee B \Leftrightarrow \neg A \Rightarrow \neg B$
- $A \vee \neg A \Rightarrow \neg B \wedge (\neg A \Rightarrow B)$
- $A \Rightarrow B \Leftrightarrow \neg B \Rightarrow \neg A$
- $A \wedge \neg B \Leftrightarrow A \Rightarrow B$
- $C \Rightarrow A \vee \neg B \Leftrightarrow \neg A \wedge C$
- $\neg A \vee \neg B \Leftrightarrow B \wedge (C \Leftrightarrow \neg A)$



# Tavtologija

## Tavtologija

**Tavtologija** ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

## Tavtologija

**Tavtologija** ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

## Protislovje

## Tautologija

**Tautologija** ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

## Protislovje

**Protislovje** je sestavljena izjava, ki ni nikoli pravilna.

## Tautologija

**Tautologija** ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

## Protislovje

**Protislovje** je sestavljena izjava, ki ni nikoli pravilna.

## Kvantifikatorja



## Tautologija

**Tautologija** ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

## Protislovje

**Protislovje** je sestavljena izjava, ki ni nikoli pravilna.

## Kvantifikatorja

- $\forall$  (beri '(za) vsak') – izjava velja za vsak element dane množice

## Tautologija

**Tautologija** ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

## Protislovje

**Protislovje** je sestavljena izjava, ki ni nikoli pravilna.

## Kvantifikatorja

- $\forall$  (beri '(za) vsak') – izjava velja za vsak element dane množice
- $\exists$  (beri 'obstaja' ali 'eksistira') – izjava je pravilna za vsaj en element dane množice

# Pomen izjav v matematiki

# Pomen izjav v matematiki

**Aksiomi** so najpreprostejše izjave, ki so očitno pravilne in zato njihove pravilnosti ni treba dokazovati.

# Pomen izjav v matematiki

**Aksiomi** so najpreprostejše izjave, ki so očitno pravilne in zato njihove pravilnosti ni treba dokazovati.

**Izreki** ali **teoremi** so izjave, ki so pravilne, vendar pa njihova pravilnost ni očitna. Pravilnost izreka (teorema) moramo potrditi z dokazom, ki temelji na aksiomih in na preprostejših že prej dokazanih izrekih.

# Pomen izjav v matematiki

**Aksiomi** so najpreprostejše izjave, ki so očitno pravilne in zato njihove pravilnosti ni treba dokazovati.

**Izreki** ali **teoremi** so izjave, ki so pravilne, vendar pa njihova pravilnost ni očitna. Pravilnost izreka (teorema) moramo potrditi z dokazom, ki temelji na aksiomih in na preprostejših že prej dokazanih izrekih.

**Definicije** so izjave, s katerimi uvajamo nove pojme. Najpreprostejših pojmov v matematiki ne opisujemo z definicijami (to so pojmi kot npr.: število, premica ipd.); vsak nadaljnji pojem pa moramo definirati, zato da se nedvoumno ve, o čem govorimo.

# Množice

## Množica

**Množica** je skupek elementov, ki imajo neko skupno lastnost.

Množica je določena, če:

- lahko naštejemo vse njene elemente ali
- poznamo pravilo/skupno lastnost, ki pove, kateri elementi so v množici.

Označujemo jih z velikimi črkami ( $\mathcal{A}, \mathcal{B}, \mathcal{C} \dots$  ali  $A, B, C \dots$ ).

## Univerzalna množica

**Univerzalna množica** ali **univerzum** ( $\mathcal{U}$ ) je množica vseh elementov, ki v danem primeru nastopajo oziroma jih opazujemo.

## Element množice

**Element množice** je objekt v množici.

Označujemo jih z malimi črkami ( $a, b, c \dots$ ).

Elemente množice zapisujemo v zavitem oklepaju (npr.  $\mathcal{A} = \{a, b, c\}$ ).

Element je lahko vsebovan v množici (npr.  $a \in \mathcal{A}$ ) ali pa v množici ni vsebovan (npr.  $d \notin \mathcal{A}$ ).

## Prazna množica

**Prazna množica** ( $\emptyset, \{\}$ ) je množica, ki ne vsebuje nobenega elementa.



# Moč množice

## Moč množice

Število elementov v množici predstavlja **moč množice**. Oznaka:  $\mathbf{m}(\mathcal{A})$  ali  $|\mathcal{A}|$ .

Množica je lahko:

- **končna množica** – vsebuje končno mnogo elementov:  $\mathbf{m}(\mathcal{A}) = \mathbf{n}$ ;
- **neskončna množica** – vsebuje neskončno mnogo elementov:  $\mathbf{m}(\mathcal{A}) = \infty$ .

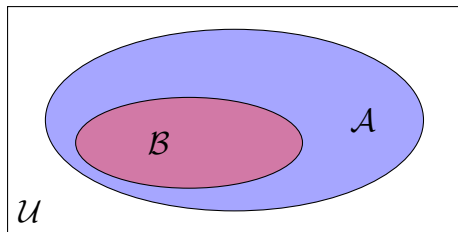
Če ima množica toliko elementov, kot jih ima množica naravnih števil, je ta števno neskončna. Njeno moč pišemo kot:  $m(\mathcal{A}) = \aleph_0$ .

Za množici, ki imata isto moč, rečemo, da sta **ekvipolentni** oziroma **ekvipotentni**.

## Podmnožica

Množica  $\mathcal{B}$  je **podmnožica** množice  $\mathcal{A}$ , če za vsak element iz  $\mathcal{B}$  velja, da je tudi element množice  $\mathcal{A}$ .

$$\mathcal{B} \subseteq \mathcal{A} \Leftrightarrow \forall x \in \mathcal{B} \Rightarrow x \in \mathcal{A}$$



- $\forall \mathcal{A} : \mathcal{A} \subseteq \mathcal{A}$  – Vsaka množica je podmnožica same sebe.
- $\forall \mathcal{A} : \emptyset \subseteq \mathcal{A}$  – Prazna množica je podmnožica vsake množice.

Moč podmnožice  $\mathcal{B}$  množice  $\mathcal{A}$  je manjša ali enaka moči množice  $\mathcal{A}$ :

$$\mathcal{B} \subseteq \mathcal{A} \Rightarrow m(\mathcal{B}) \leq m(\mathcal{A})$$

Množici  $\mathcal{A}$  in  $\mathcal{B}$  sta **enaki**, če imata iste elemente; sta druga drugi podmnožici.

$$\mathcal{A} = \mathcal{B} \Leftrightarrow (\mathcal{A} \subseteq \mathcal{B}) \wedge (\mathcal{B} \subseteq \mathcal{A})$$

Podmnožica  $\mathcal{B}$  množice  $\mathcal{A}$ , ki ni enaka množici  $\mathcal{A}$ , je **prava podmnožica** množice  $\mathcal{A}$ .

### Potenčna množica

**Potenčna množica** množice  $\mathcal{A}$  je množica vseh podmnožic množice  $\mathcal{A}$ .

Oznaka:  $\mathcal{P}\mathcal{A}$  /  $\mathcal{P}(\mathcal{A})$ .

$$\mathcal{P}\mathcal{A} = \{\mathcal{X}; \mathcal{X} \subseteq \mathcal{A}\}$$

$$m(\mathcal{P}\mathcal{A}) = 2^{m(\mathcal{A})}$$

Potenčna množica ni nikoli prazna – vsebuje vsaj prazno množico.

## Section 2

# Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

## 1 Osnove logike in teorije množice

## 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

- Naravna in cela števila
- Računanje z naravnimi in celimi števili
- Izraz, enačba, neenačba
- Računanje s potencami z naravnimi eksponenti
- Razčlenjevanje izrazov
- Razstavljanje izrazov v množici  $\mathbb{Z}$
- Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici  $\mathbb{Z}$
- Reševanje linearnih neenačb v množici  $\mathbb{Z}$

## 3 Deljivost, izjave, množice

# Naravna števila

## Množica naravnih števil:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

Naravna števila so števila s katerimi štejemo.

Naravna števila lahko predstavimo s **točko** na **številski premici**.



Množico naravnih števil definirajo **Peanovi aksiomi**:

- Vsako naravno število ( $n$ ) ima svojega naslednika ( $n + 1$ ).
- Število 1 ni naslednik nobenega naravnega števila.
- Različni naravni števili imata različna naslednika: ( $n + 1 \neq m + 1$ ;  $n \neq m$ ).
- Če neka trditev velja za vsako naravno število in tudi za njegovega naslednika, velja za vsa naravna števila – princip popolne indukcije.

V množici  $\mathbb{N}$  sta definirani notranji operaciji: **seštevanje** in **množenje**.

# Seštevanje

Poljubnima naravnima številoma  $a$  in  $b$  priredimo **vsoto**  $a + b$ .

Vsota naravnih števil je naravno število:  $a, b \in \mathbb{N} \Rightarrow a + b \in \mathbb{N}$ .

Lastnosti:

- **komutativnost** členov/zakon o zamenjavi členov:  $a + b = b + a$ .
- **asociativnost** členov/zakon o združevanju členov:  $(a + b) + c = a + (b + c)$ .



# Množenje

Poljubnima naravnima številoma  $a$  in  $b$  priredimo **produkt**  $a \cdot b$ .

Produkt naravnih števil je naravno število:  $a, b \in \mathbb{N} \Rightarrow a \cdot b \in \mathbb{N}$ .

Lastnosti:

- **komutativnost** faktorjev/zakon o zamenjavi faktorjev:  $a \cdot b = b \cdot a$ .
- **asociativnost** faktorjev/zakon o združevanju faktorjev:  $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$ .
- **distributivnost**/zakon o razčlenjevanju:  $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$ .
- zakon o nevtralnem elementu:  $a \cdot 1 = a$ .

# Cela števila

## Množica celih števil:

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$$

Množica celih števil je definirana kot unija treh množic:

$$\mathbb{Z} = \mathbb{Z}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Z}^+$$

- množica **pozitivnih celih števil** ( $\mathbb{Z}^+$ ) – naravna števila;
- **število 0**;
- množica **negativnih celih števil** ( $\mathbb{Z}^-$ ) – nasprotna števila vseh naravnih števil.

**Nasprotno število** števila  $a$  je  $-a$ .

Poleg seštevanja in množenja je kot notranja operacija množice celih števil definirano še **odštevanje**.

## Odštevanje

Poljubnima naravnima številoma  $a$  in  $b$  priredimo **razliko**  $a - b$ .

Odštevanje definiramo kot prištevanje nasprotne vrednosti:  $a - b = a + (-b)$

Za odštevanje velja zakon ***distributivnosti***:  $a \cdot (b - c) = a \cdot b - a \cdot c$ .

# Računski zakoni

- Komutativnostni zakon:

$$a + b = b + a \text{ in } a \cdot b = b \cdot a$$

- Asociativnostni zakon:

$$a + (b + c) = (a + b) + c \text{ in } a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$$

- Zakon o nevtralnem elementu:

$$a + 0 = a \text{ in } a \cdot 1 = a$$

- Zakon o inverznem/nasprotnem elementu:

$$a + (-a) = 0$$

- Distributivnostni zakon:

$$a \cdot (b \pm c) = a \cdot b \pm a \cdot c$$

# Pravila za računanje s celimi števili

- $-(-a) = a$
- $0 \cdot a = 0$
- $-1 \cdot a = -a$
- $(-a) + (-b) = -(a + b)$
- $(-a) \cdot b = -(a \cdot b) = a \cdot (-b)$
- $(-a) \cdot (-b) = a \cdot b$



# Računanje z naravnimi in celimi števili

# Izraz, enačba, neenačba



# Računanje s potencami z naravnimi eksponenti

Potenca  $a^n$ , pri čemer je  $n \in \mathbb{N}$ , je produkt  $n$  faktorjev enakih  $a$ .

$$\text{POTENCA } a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n - \text{krat}}$$

## Pravila za računanje s potencami:

- $a^n \cdot b^n = (ab)^n$  - potenci z enakima eksponentoma zmnožimo tako, da zmnožimo osnovi in prepisemo eksponent
- $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$  - potenci z enako osnovo zmnožimo tako, da osnovo prepisemo in seštejemo eksponenta
- $(a^n)^m = a^{nm}$  - potenco potenciramo tako, da osnovo prepisemo in zmnožimo eksponenta

# Razčlenjevanje izrazov

# Razstavljanje izrazov v množici $\mathbb{Z}$

# Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici $\mathbb{Z}$

# Reševanje linearnih neenačb v množici $\mathbb{Z}$

# Section 3

## Deljivost, izjave, množice

- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
  - Relacija deljivosti
  - Pravila za deljivost
  - Praštevila in sestavljena števila
  - Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik
  - Osnovni izrek o deljenju
  - Evklidov algoritem in zveza  $Dv = ab$
  - Številski sestavi
  - Izjave
  - Množice

# Relacija deljivosti



# Pravila za deljivost

# Praštevíla in sestavljena števíla

# Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik

# Osnovni izrek o deljenju

# Evklidov algoritem in zveza $Dv = ab$

# Številski sestavi

# Izjave

# Množice



# Section 4

## Racionalna števila

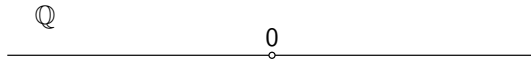
- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
  - Številski ulomki
  - Racionalna števila
  - Urejenost racionalnih števil
  - Algebrski ulomki
  - Računanje z ulomki
  - Potence s celimi eksponenti
  - Pravila za računanje s potencami s celimi eksponenti

# Številski ulomki

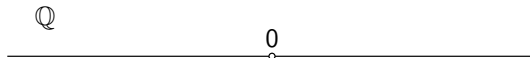
# Racionalna števila

# Racionalna števila

# Racionalna števila



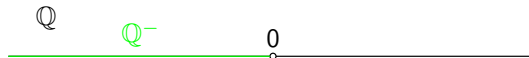
# Racionalna števila



Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

$$\mathbb{Q} =$$

# Racionalna števila



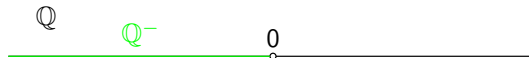
Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

- množico negativnih racionalnih števil  $\mathbb{Q}^-$ ,

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^-$$



# Racionalna števila



Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

- množico negativnih racionalnih števil  $Q^-$ ,
- množico z elementom nič:  $\{0\}$  in

$$Q = Q^- \cup \{0\}$$

# Racionalna števila



Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

- množico negativnih racionalnih števil  $\mathbb{Q}^-$ ,
- množico z elementom nič:  $\{0\}$  in
- množico pozitivnih racionalnih števil:  $\mathbb{Q}^+$ .

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Q}^+$$

# Urejenost racionalnih števil

# Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ( $<$ ) oziroma *biti večji* ( $>$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

# Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ( $<$ ) oziroma *biti večji* ( $>$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad > bc$ ;

# Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ( $<$ ) oziroma *biti večji* ( $>$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad > bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad < bc$ ;

# Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ( $<$ ) oziroma *biti večji* ( $>$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad > bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad < bc$ ;
- 3 ulomka sta enaka  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad = bc$ .

# Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ( $<$ ) oziroma *biti večji* ( $>$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad > bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad < bc$ ;
- 3 ulomka sta enaka  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad = bc$ .

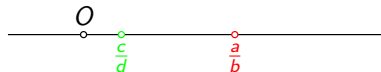
Enaka ulomka predstavljata isto racionalno število.



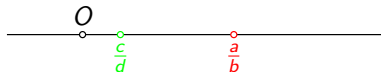


Slika večjega racionalnega števila  $\frac{a}{b}$  je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila  $\frac{c}{d}$ .

Slika večjega racionalnega števila  $\frac{a}{b}$  je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila  $\frac{c}{d}$ .

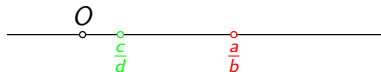


Slika večjega racionalnega števila  $\frac{a}{b}$  je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila  $\frac{c}{d}$ .



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.

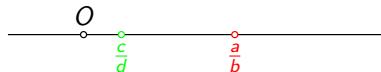
Slika večjega racionalnega števila  $\frac{a}{b}$  je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila  $\frac{c}{d}$ .



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.



Slika večjega racionalnega števila  $\frac{a}{b}$  je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila  $\frac{c}{d}$ .



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.



V množici ulomkov velja, da je vsak negativen ulomek manjši od vsakega pozitivnega ulomka.

# Lastnosti relacije urejenosti

# Lastnosti relacije urejenosti

## Monotonost vsote



# Lastnosti relacije urejenosti

## Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

# Lastnosti relacije urejenosti

## Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

# Lastnosti relacije urejenosti

## Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

# Lastnosti relacije urejenosti

## Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

## Tranzitivnost

# Lastnosti relacije urejenosti

## Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

## Tranzitivnost

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} < \frac{e}{f} \Rightarrow \frac{a}{b} < \frac{e}{f}$$



Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$



Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad -\frac{a}{b} > -\frac{c}{d}$$



Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:



Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \geq bc$ ;

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \geq bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \leq bc$ ;

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \geq bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \leq bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \geq bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \leq bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$  – **refleksivnost**;

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \geq bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \leq bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$  – **refleksivnost**;
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  – **antisimetričnost** in

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \geq bc$ ;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \leq bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$  – **refleksivnost**;
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  – **antisimetričnost** in
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{e}{f} \Rightarrow \frac{a}{b} \leq \frac{e}{f}$  – **tranzitivnost**.

# Algebrski ulomki

# Računanje z ulomki



# Potence s celimi eksponenti

# Pravila za računanje s celimi eksponenti

# Premo in obratno sorazmerje

# Odstotki

# Section 5

## Realna števila, statistika

- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
- 5 Realna števila, statistika
  - Realna števila
  - Kvadratni in kubični koren
  - Intervali
  - Absolutna vrednost
  - Sistem linearnih enačb

# Realna števila

# Kvadratni in kubični koren



## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č)  $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č)  $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g)  $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č)  $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g)  $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j)  $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č)  $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g)  $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j)  $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l)  $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č)  $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g)  $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j)  $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l)  $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o)  $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č)  $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g)  $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j)  $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l)  $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o)  $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

(r)  $\sqrt{5\sqrt{3} - 5} \cdot \sqrt{2\sqrt{3} + 2} - (\sqrt{5})^3$



## Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b)  $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č)  $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g)  $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j)  $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l)  $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o)  $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

(r)  $\sqrt{5\sqrt{3} - 5} \cdot \sqrt{2\sqrt{3} + 2} - (\sqrt{5})^3$

(u)  $(\sqrt{17} - 3)\sqrt{26 + 6\sqrt{17}} - \sqrt{2}(\sqrt{2} + \sqrt{6})$

# Intervali

# Intervali

**Interval** je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma  $a$  in  $b$ ,  $a < b$ .

Števili  $a$  in  $b$  imenujemo **krajišči intervala**.

# Intervali

**Interval** je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma  $a$  in  $b$ ,  $a < b$ .

Števili  $a$  in  $b$  imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

# Intervali

**Interval** je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma  $a$  in  $b$ ,  $a < b$ .

Števili  $a$  in  $b$  imenujemo **krajišči intervala**.

## Vključenost krajišč

- Simbola "[ " in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.

# Intervali

**Interval** je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma  $a$  in  $b$ ,  $a < b$ .

Števili  $a$  in  $b$  imenujemo **krajišči intervala**.

## Vključenost krajišč

- Simbola " $[$ " in  $]$ " označujeta krajišče, ki spada k intervalu.
- Simbola " $($ " in  $)$ " označujeta krajišče, ki ne spada k intervalu.

# Intervali

**Interval** je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma  $a$  in  $b$ ,  $a < b$ .

Števili  $a$  in  $b$  imenujemo **krajišči intervala**.

## Vključenost krajišč

- Simbola "[ " in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.
- Simbola "(" in ")" označujeta krajišče, ki ne spada k intervalu.

Pri zapisu intervalov moramo biti pozorni na zapis vrstnega reda števil, ki določata krajišči.

$$[a, b] \neq [b, a]$$

# Vrste intervalov



# Vrste intervalov

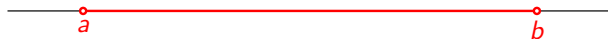
## Zaprti interval

---

# Vrste intervalov

## Zaprti interval

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$

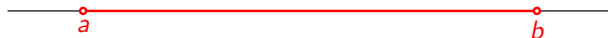


Vsebuje vsa realna števila med  $a$  in  $b$ , vključno s krajiščema  $a$  in  $b$ .

# Vrste intervalov

## Zaprti interval

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$



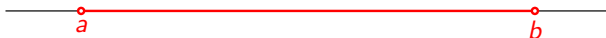
Vsebuje vsa realna števila med  $a$  in  $b$ , vključno s krajiščema  $a$  in  $b$ .

## Odprti interval

# Vrste intervalov

## Zaprta interval

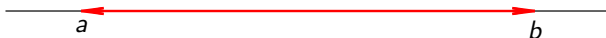
$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med  $a$  in  $b$ , vključno s krajiščema  $a$  in  $b$ .

## Odprti interval

$$(a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a < x < b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med  $a$  in  $b$ , vendar ne vsebuje krajišč  $a$  in  $b$ .



## Polodprti/polzaprti interval

## Polodprti/polzaprti interval



$$[a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x < b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med  $a$  in  $b$ , vključno s krajiščem  $a$ , vendar ne vsebuje krajišča  $b$ .

## Polodprti/polzaprti interval



$$[a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x < b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med  $a$  in  $b$ , vključno s krajiščem  $a$ , vendar ne vsebuje krajišča  $b$ .



$$(a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a < x \leq b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med  $a$  in  $b$ , vključno s krajiščem  $b$ , vendar ne vsebuje krajišča  $a$ .





## Neomejeni/neskončni intervali

## Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



## Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$



## Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$



- $(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$



## Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$



- $(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$



- $(-\infty, b) = \{x \in \mathbb{R}; x < b\}$



## Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$



- $(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$



- $(-\infty, b) = \{x \in \mathbb{R}; x < b\}$



- $(-\infty, \infty) = \{x; x \in \mathbb{R}\} = \mathbb{R}$







## Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 585

Dana sta intervala  $I = [-2, 5)$  in  $J = (3, 6)$ .

### Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 585

Dana sta intervala  $I = [-2, 5)$  in  $J = (3, 6)$ .

- Zapiši  $I \cap J$  in  $I \cup J$ .

### Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 585

Dana sta intervala  $I = [-2, 5)$  in  $J = (3, 6)$ .

- Zapiši  $I \cap J$  in  $I \cup J$ .
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz  $I$  in najmanjšega celega števila iz  $J$ .

### Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 585

Dana sta intervala  $I = [-2, 5)$  in  $J = (3, 6)$ .

- Zapiši  $I \cap J$  in  $I \cup J$ .
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz  $I$  in najmanjšega celega števila iz  $J$ .

### Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

### Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 585

Dana sta intervala  $I = [-2, 5)$  in  $J = (3, 6)$ .

- Zapiši  $I \cap J$  in  $I \cup J$ .
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz  $I$  in najmanjšega celega števila iz  $J$ .

### Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

(c)  $[4, 8]$  in  $(3, 5]$

### Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 585

Dana sta intervala  $I = [-2, 5)$  in  $J = (3, 6)$ .

- Zapiši  $I \cap J$  in  $I \cup J$ .
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz  $I$  in najmanjšega celega števila iz  $J$ .

### Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

(c)  $[4, 8]$  in  $(3, 5]$

(f)  $[-2, 4]$  in  $(2, \infty)$

### Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

### Naloga 585

Dana sta intervala  $I = [-2, 5)$  in  $J = (3, 6)$ .

- Zapiši  $I \cap J$  in  $I \cup J$ .
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz  $I$  in najmanjšega celega števila iz  $J$ .

### Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

- (c)  $[4, 8]$  in  $(3, 5]$
- (f)  $[-2, 4]$  in  $(2, \infty)$
- (g)  $(-\infty, 3]$  in  $(-1, 5]$



# Linearna neenačba

# Linearna neenačba

**Linearna neenačba** ima v splošnem obliko:  $\mathbf{ax} + \mathbf{b} < \mathbf{cx} + \mathbf{d}$ ;  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ .

# Linearna neenačba

**Linearna neenačba** ima v splošnem obliko:  $\mathbf{ax} + \mathbf{b} < \mathbf{cx} + \mathbf{d}$ ;  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ .

## Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

# Linearna neenačba

**Linearna neenačba** ima v splošnem obliko:  $ax + b < cx + d$ ;  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ .

## Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

## Pravila preoblikovanja

# Linearna neenačba

**Linearna neenačba** ima v splošnem obliko:  $ax + b < cx + d$ ;  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ .

## Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

## Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;

# Linearna neenačba

**Linearna neenačba** ima v splošnem obliko:  $ax + b < cx + d$ ;  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ .

## Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

## Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;
- levo in desno stran neenačbe lahko pomnožimo z istim (pozitivnim) številom;

# Linearna neenačba

**Linearna neenačba** ima v splošnem obliko:  $ax + b < cx + d$ ;  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ .

## Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

## Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;
- levo in desno stran neenačbe lahko pomnožimo z istim (pozitivnim) številom;
- če levo in desno stran neenačbe pomnožimo z negativnim številom, se znak neenakosti obrne.





## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

## Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

## Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

## Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

$$(h) \quad 3 - (2 + 4x) < x^2 - (2 - x)^2; \quad 2 - (2 - x)(x + 2) \geq x^2$$

## Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

## Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

$$(h) \quad 3 - (2 + 4x) < x^2 - (2 - x)^2; \quad 2 - (2 - x)(x + 2) \geq x^2$$

$$(e) \quad 5x - 3 \geq 4; \quad 11 - 10x \geq -3$$





## Naloga 587

Reši neenačbo  $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$  v množici:

- a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

## Naloga 587

Reši neenačbo  $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$  v množici:

- a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

## Naloga 588

Dana sta izraza  $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$  in  $B = 2 - \frac{x+1}{3}$ . Za katere  $x$  je:

## Naloga 587

Reši neenačbo  $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$  v množici:

- a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

## Naloga 588

Dana sta izraza  $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$  in  $B = 2 - \frac{x+1}{3}$ . Za katere  $x$  je:

- a vrednost izraza  $A$  negativna,

## Naloga 587

Reši neenačbo  $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$  v množici:

- a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

## Naloga 588

Dana sta izraza  $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$  in  $B = 2 - \frac{x+1}{3}$ . Za katere  $x$  je:

- a vrednost izraza  $A$  negativna,
- b vrednost izraza  $B$  vsaj  $-88$ ,

## Naloga 587

Reši neenačbo  $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$  v množici:

- a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

## Naloga 588

Dana sta izraza  $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$  in  $B = 2 - \frac{x+1}{3}$ . Za katere  $x$  je:

- a vrednost izraza  $A$  negativna,
- b vrednost izraza  $B$  vsaj  $-88$ ,
- c vrednost izraza  $B$  za 20 manjša od vrednosti izraza  $A$ ?

# Absolutna vrednost

# Sistem linearnih enačb



# Obravnavanje linearnih enačb, neenačb, sistemov

# Absolutna in relativna napaka

# Sredine

# Razpršenost podatkov

# Prikazi

## Section 6

# Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
- 5 Realna števila, statistika
- 6 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija
  - Pravokotni koordinatni sistem
  - Razdalja med točkama in razpolovišče daljice
  - Ploščina trikotnika

# Pravokotni koordinatni sistem



# Razdalja med točkama in razpolovišče daljice

# Ploščina trikotnika

# Osnovno o funkcijah

# Linearna funkcija in premica

# Oblike enačbe premice

# Presešišče premic

# Sistem linearnih neenačb

# Modeliranje z linearno funkcijo



# (i) Linearno programiranje