

# MATEMATIKA

1. letnik – splošna gimnazija

Jan Kastelic

Gimnazija Antona Aškerca,  
Šolski center Ljubljana

3. april 2025

## 1 Funkcija

# Section 1

## Funkcija

# 1 Funkcija

- Funkcija
- Linearna funkcija
- Graf linearne funkcije

# Preslikava

# Preslikava

## Preslikava

# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava**  $f$  sestoji iz:

 $f :$



# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava**  $f$  sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,

$$f : \mathcal{X}$$

# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava**  $f$  sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$$

# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava**  $f$  sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- **prirejanja**, ki vsakemu elementu  $x$  domene priredi natanko en element  $y$  kodomene.

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$$

$$f : x \mapsto y$$

# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava**  $f$  sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- **prirejanja**, ki vsakemu elementu  $x$  domene priredi natanko en element  $y$  kodomene.

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$$

$$f : x \mapsto y$$

Elemente  $x$  kodomene  $\mathcal{X}$  imenujemo **originali** preslikave.

# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava**  $f$  sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- **prirejanja**, ki vsakemu elementu  $x$  domene priredi natanko en element  $y$  kodomene.

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$$

$$f : x \mapsto y$$

Elemente  $x$  kodomene  $\mathcal{X}$  imenujemo **originali** preslikave.

Če elementu  $x$  priredimo element  $y$  iz kodomene, potem  $y$  imenujemo **slika** elementa  $x$ .

# Preslikava

## Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava**  $f$  sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- **prirejanja**, ki vsakemu elementu  $x$  domene priredi natanko en element  $y$  kodomene.

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$$

$$f : x \mapsto y$$

Elemente  $x$  kodomene  $\mathcal{X}$  imenujemo **originali** preslikave.

Če elementu  $x$  priredimo element  $y$  iz kodomene, potem  $y$  imenujemo **slika** elementa  $x$ .

Preslikavo lahko podamo s predpisom, puščičnim diagramom, besednim opisom ...

# Funkcija

# Funkcija

## Funkcija

---



# Funkcija

## Funkcija

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni številski množici.

# Funkcija

## Funkcija

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni številski množici.

**Funkcija**  $f$  je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :

# Funkcija

## Funkcija

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni številske množici.

**Funkcija**  $f$  je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}.$$

# Funkcija

## Funkcija

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni številski množici.

**Funkcija**  $f$  je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}.$$

Število  $y$  je **funkcijska vrednost** števila  $x$ , če se število  $x$  preslika v število  $y$ .

$$f(x) = y$$

# Funkcija

## Funkcija

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni številski množici.

**Funkcija**  $f$  je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :

$$f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}.$$

Število  $y$  je **funkcijska vrednost** števila  $x$ , če se število  $x$  preslika v število  $y$ .

$$f(x) = y$$

$x$  je neodvisna spremenljivka,  $f(x)$  je od  $x$  odvisna spremenljivka.



V nekaterih primerih za opis funkcije uporabimo poseben izraz:

V nekaterih primerih za opis funkcije uporabimo poseben izraz:

- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  – realna funkcija realne spremenljivke;



V nekaterih primerih za opis funkcije uporabimo poseben izraz:

- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  – realna funkcija realne spremenljivke;
- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  – realna funkcija naravne spremenljivke;

V nekaterih primerih za opis funkcije uporabimo poseben izraz:

- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  – realna funkcija realne spremenljivke;
- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  – realna funkcija naravne spremenljivke;
- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{N}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  – naravna funkcija realne spremenljivke;

V nekaterih primerih za opis funkcije uporabimo poseben izraz:

- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  – realna funkcija realne spremenljivke;
- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  – realna funkcija naravne spremenljivke;
- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{N}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  – naravna funkcija realne spremenljivke;
- $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{N}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  – naravna funkcija naravne spremenljivke.

# Definicijsko območje in zaloga vrednosti

# Definicijsko območje in zaloga vrednosti

## Definicijsko območje

---

# Definicijsko območje in zaloga vrednosti

## Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

# Definicijsko območje in zaloga vrednosti

## Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.

# Definicijsko območje in zaloga vrednosti

## Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.

## Zaloga vrednosti



# Definicijsko območje in zaloga vrednosti

## Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.

## Zaloga vrednosti

**Zaloga vrednosti** preslikave ali funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica vseh slik oziroma funkcijskih vrednosti. Oznaka:  $Z_f$ .

# Definicijsko območje in zaloga vrednosti

## Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.

## Zaloga vrednosti

**Zaloga vrednosti** preslikave ali funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica vseh slik oziroma funkcijskih vrednosti. Oznaka:  $Z_f$ .

Zaloga vrednosti  $Z_f$  je podmnožica kodomene  $\mathcal{Y}$ :  $Z_f \subseteq \mathcal{Y}$ .



## Naloga

Funkcijo  $f : A \rightarrow B$  predstavite s tabelo. Izračunajte, kam posamezna funkcija preslika  $x = 1$ .

- $A = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}$ ,  $B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $f(x) = |x| + 1$

- $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $B = \mathbb{N}$ ,  $f(x) = 2x + 1$

- $A = B = \{\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\}$ ,  $f(x) = \frac{1}{x}$

## Naloga

Funkcijo  $f : A \rightarrow B$  predstavite s tabelo. Izračunajte, kam posamezna funkcija preslika  $x = 1$ .

- $A = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}$ ,  $B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $f(x) = |x| + 1$
- $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $B = \mathbb{N}$ ,  $f(x) = 2x + 1$
- $A = B = \{\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\}$ ,  $f(x) = \frac{1}{x}$

## Naloga

Tabelirajte funkcijo  $g(x) = 2x + |x|$  od  $-3$  do  $3$  s korakom  $1$ .



## Naloga

Zapišite definicijska območja funkcij.

- $f(x) = \frac{-7}{x+1}$

- $g(x) = \frac{1}{(x+2)(x+6)}$

- $h(x) = \frac{3x^2+1}{5}$

- $i(x) = \sqrt{x-2}$

- $j(x) = x^3 - \frac{2}{3}$

- $k(x) = \sqrt{x^2+7}$

- $l(x) = \frac{3}{x}$

- $m(x) = \frac{x^2+1}{x^2-5x-6}$

# Nižla in začetna vrednost funkcije



# Nižla in začetna vrednost funkcije

## Nižla funkcije

---

# Ničla in začetna vrednost funkcije

## Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije  $f$  enaka 0:  $f(x_0) = 0$ .

# Ničla in začetna vrednost funkcije

## Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije  $f$  enaka 0:  $f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije  $f$  poiščemo tako, da rešimo enačbo  $f(x) = 0$ .

# Ničla in začetna vrednost funkcije

## Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije  $f$  enaka 0:  $f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije  $f$  poiščemo tako, da rešimo enačbo  $f(x) = 0$ .

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije  $f$ .

# Ničla in začetna vrednost funkcije

## Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije  $f$  enaka 0:  $f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije  $f$  poiščemo tako, da rešimo enačbo  $f(x) = 0$ .

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije  $f$ .

## Začetna vrednost

# Ničla in začetna vrednost funkcije

## Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije  $f$  enaka 0:  $f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije  $f$  poiščemo tako, da rešimo enačbo  $f(x) = 0$ .

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije  $f$ .

## Začetna vrednost

**Začetna vrednost** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je funkcijska vrednost pri  $x = 0$ , to je  $f(0)$ .

# Ničla in začetna vrednost funkcije

## Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije  $f$  enaka 0:  $f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije  $f$  poiščemo tako, da rešimo enačbo  $f(x) = 0$ .

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije  $f$ .

## Začetna vrednost

**Začetna vrednost** funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je funkcijska vrednost pri  $x = 0$ , to je  $f(0)$ .

Začetna vrednost obstaja le, če je 0 v definicijskem območju funkcije  $f$ :  $0 \in D_f$ .





## Naloga

Izračunajte ničle funkcij.

- $f(x) = \frac{4}{5} - 6x$

- $g(x) = x^2 - 7x + 12$

- $h(x) = \frac{3x + 6}{5}$

- $i(x) = x^2 - 9$

- $j(x) = x^2 + 1$

- $k(x) = x^2 - 3x^2 - 4x + 12$

- $l(x) = \sqrt{x + 7}$

- $m(x) = \frac{3}{x}$



## Naloga

Izračunajte začetne vrednosti funkcij.

- $f(x) = \frac{4}{5} - 6x$

- $g(x) = x^2 - 7x + 12$

- $h(x) = \frac{3x + 6}{5}$

- $i(x) = x^2 - 9$

- $j(x) = x^2 - 3x^2 - 4x + 12$

- $k(x) = \sqrt{x + 7}$

- $l(x) = \frac{3}{x}$

- $m(x) = \frac{x^3 - 2x^2 - 4}{x^4 + 2x^3 + 3}$

# Graf funkcije

## Graf funkcije

**Graf**  $\Gamma_f$  funkcije  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je množica urejenih parov  $(x, y) \in \mathcal{X} \times \mathcal{Y}$ , kjer element  $x$  preteče celotno definicijsko območje  $D_f$  funkcije, element  $y$  pa je slika pripadajočega  $x$ , torej  $y = f(x)$ .

$$\Gamma_f = \{(x, y) \in \mathcal{X} \times \mathcal{Y}; x \in D_f \wedge y = f(x)\}$$

Urejene pare iz množice  $\Gamma_f$  lahko upodobimo v koordinatnem sistemu. Vsakemu elementu  $(x, f(x))$  iz zgornje množice priprada natanko ena točka v koordinatnem sistemu, katere abscisa je enaka  $x$ , ordinata pa je njegova slika  $f(x)$ .

V ničli graf funkcije seka abscisno os, v začetni vrednosti pa ordinatno os.

# Naraščanje in padanje

## Naraščajoča funkcija

Funkcija  $f$  je na intervalu  $(a, b)$  **naraščajoča**, če za poljubna  $x_1, x_2 \in (a, b)$ ;  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) \leq f(x_2)$ .

Funkcija  $f$  je na intervalu  $(a, b)$  **strogo naraščajoča**, če za vsaka  $x_1, x_2 \in (a, b)$ ;  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) < f(x_2)$ .

## Padajoča funkcija

Funkcija  $f$  je na intervalu  $(a, b)$  **padajoča**, če za poljubna  $x_1, x_2 \in (a, b)$ ;  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) \geq f(x_2)$ .

Funkcija  $f$  je na intervalu  $(a, b)$  **strogo padajoča**, če za vsaka  $x_1, x_2 \in (a, b)$ ;  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) > f(x_2)$ .

# Injektivnost in surjektivnost

## Surjektivnost

Funkcija  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je **surjektivna**, če je zalog vrednosti  $Z_f$  funkcije enaka njeni kodomeni  $\mathcal{Y}$  – vsak element kodomene  $\mathcal{Y}$  je slika vsaj enega elementa iz domene  $\mathcal{X}$ .

$$\forall y \in \mathcal{Y}. \exists x \in \mathcal{X} \ni f(x) = y$$

## Injektivnost

Funkcija  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je **injektivna**, če se dva poljubna različna originala iz domene  $\mathcal{X}$  preslikata v različni sliki v kodomeni  $\mathcal{Y}$  – vsak element kodomene  $\mathcal{Y}$  je slika kvečjemu enega elementa iz domene  $\mathcal{X}$ .

$$\forall x, y \in \mathcal{X} : f(x) = f(y) \Rightarrow x = y$$

Funkcija  $f : \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$  je **bijektivna**, če je injektivna in surjektivna hkrati – vsak element iz kodomene  $\mathcal{Y}$  je slika natanko enega elementa domene  $\mathcal{X}$ .



## Naloga

Zapišite in narišite grafe funkcij ter zapišite začetne vrednosti in ničle funkcije. Določite, kje je funkcija naraščajoča oziroma padajoča, ter preverite surjektivnost in injektivnost.

- $f(x) = x \quad D_f = \mathbb{R}$

- $g(x) = -2x + 1 \quad D_g = \mathbb{R}$

- $h(x) = x^2 - 1 \quad D_h = \mathbb{R}$

- $i(x) = \frac{1}{x^2} \quad D_i = \left\{-2, -1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1, 2\right\}$

- $j(x) = \frac{x+2}{x-3} \quad D_j = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$



# Predpis linearne funkcije



## Naloga

Ugotovite, ali je dana funkcija linearna. Linearnim funkcijam določite smerni koeficient in začetno vrednost.

- $f(x) = \frac{1}{7x} - \frac{3}{4}$

- $g(x) = \frac{2}{3} - \pi x$

- $h(x) = \frac{8 + 6x}{24}$

- $i(x) = 0.\overline{3}x + 1$

- $j(x) = \frac{x^2 - 3}{5}$

- $k(x) = -\sqrt{2}x + \frac{2}{3}$

- $l(x) = 2$



## Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije  $f$ , ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik  $-3$ .

## Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije  $f$ , ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik  $-3$ .

## Naloga

Dana je linearna funkcija  $f(x) = 3x - 4$ . Izračunaj  $f(-2)$ ,  $f(0)$ ;  $f(5)$  in  $f(\sqrt{2})$ .

### Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije  $f$ , ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik  $-3$ .

### Naloga

Dana je linearna funkcija  $f(x) = 3x - 4$ . Izračunaj  $f(-2)$ ,  $f(0)$ ;  $f(5)$  in  $f(\sqrt{2})$ .

### Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije, za katero je  $u(-2) = 10$  in  $u(0) = 2$ .





## Naloga

Ali je funkcija naraščajoča ali padajoča?

- $f(x) = 3x + 5$

- $g(x) = -2x + 7$

- $h(x) = 10 - \frac{1}{2}x$

- $i(x) = \frac{x - 1}{2}$

- $j(x) = \frac{5 - 2x}{3}$

- $k(x) = \frac{-\sqrt{3}x + 1}{3}$

- $l(x) = -\frac{2 - 4x}{17}$



## Naloga

Izračunajte ničlo linearne funkcije.

- $f(x) = 6x + 12$

- $g(x) = 5x + 2$

- $h(x) = 3x - 12$

- $i(x) = -4x + 8$

- $j(x) = -3x + 2$

- $k(x) = -x - 7$

- $l(x) = \frac{3}{4}x - \frac{1}{4}$

- $m(x) = -\frac{2x + 3}{6}$

- $n(x) = \frac{1 - 4x}{2}$

- $o(x) = \frac{\pi x + 4}{3}$

- $p(x) = \sqrt{2}x + 1$

- $r(x) = 4$



## Naloga

Dana je linearna funkcija  $f$ . Zapišite predpis funkcije  $g$  v obliki  $g(x) = kx + n$ .

- $f(x) = 2x - 6$ ,  $g(x) = 3f(x)$
- $f(x) = 5x - 3$ ;  $g(x) = f(x + 1)$
- $f(x) = \frac{2x - 5}{3}$ ;  $g(x) = f(1 - x)$
- $f(x) = \frac{10 - 4x}{7}$ ;  $g(x) = f(3x)$



## Naloga

Dana je družina linearnih funkcij  $f(x) = (2m - 1)x + (3 - m)$ ;  $m \in \mathbb{R}$ .

- Za katero vrednost parametra  $m$  ima funkcija diferenčni količnik enak  $-5$ ?
- Za katero vrednost parametra  $m$  je funkcija padajoča?
- Za katero vrednost parametra  $m$  je funkcija konstantna?
- Za katero vrednost parametra  $m$  je funkcija naraščajoča?
- Za katero vrednost parametra  $m$  je začetna vrednost enaka 2?
- Za katero vrednost parametra  $m$  ima funkcija ničlo  $x = -4$ ?





## Naloga

Taksist meri razdaljo, ki jo je prevozil. Vsak kilometer stane 2.5 €, startnina pa 7 €. Zapišite funkcijo, po kateri taksist izračuna znesek za plačilo, ko prebere število prevoženih kilometrov  $x$ . Izračunajte, koliko bi pačali, če bi se peljali 12 *km*.

## Naloga

Taksist meri razdaljo, ki jo je prevozil. Vsak kilometer stane 2.5 €, startnina pa 7 €. Zapišite funkcijo, po kateri taksist izračuna znesek za plačilo, ko prebere število prevoženih kilometrov  $x$ . Izračunajte, koliko bi pačali, če bi se peljali 12 *km*.

## Naloga

V bazenu je 12 l vode. V bazen po cevi vsako minuto pritečejo še 4 l vode. Zapišite funkcijo, s katero bomo lahko izračunali, koliko je vode v bazenu po pretečenih  $x$  minutah. Izračunajte, koliko vode je v bazenu po 9 minutah.

# Graf linearne funkcije



## Naloga

Katere od točk  $A(1, 1)$ ,  $B(4, 0)$ ,  $C(7, -2)$ ,  $D(-4, \frac{5}{2})$ ,  $E(0, \frac{3}{2})$ ,  $F(2, 2)$  in  $G(3, 0)$  ležijo na grafu funkcije  $f(x) = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ?

## Naloga

Katere od točk  $A(1, 1)$ ,  $B(4, 0)$ ,  $C(7, -2)$ ,  $D(-4, \frac{5}{2})$ ,  $E(0, \frac{3}{2})$ ,  $F(2, 2)$  in  $G(3, 0)$  ležijo na grafu funkcije  $f(x) = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ?

## Naloga

Dana je funkcija  $g(x) = 3x - 2$ . Za koliko se spremeni vrednost funkcije  $g$ , če se vrednost  $x$

- poveča za 1?
- poveča za 2?
- zmanjša za 5?
- zmanjša za  $-10$ ?



## Naloga

Narišite graf linearne funkcije. Zapišite začetno vrednost in izračunajte ničlo funkcije. Določite, kje je funkcija pozitivna oziroma negativna, ter ali je naraščajoča ali padajoča?

- $f(x) = -x + \frac{1}{2}$

- $g(x) = 2x + 2$

- $h(x) = 3 - 2x$

- $i(x) = -x$

- $j(x) = -3$

- $k(x) = \frac{6x - 1}{3}$

- $l(x) = -\frac{2 - 3x}{4}$

- $m(x) = 3 - \frac{3}{5}x$





## Naloga

V isti koordinatni sistem narišite grafe funkcij  $f(x) = 2x - 2$ ,  $g(x) = 2x + 1$ ,  $h(x) = 2x + 2$  in  $i(x) = 2x$ . Kaj opazite?

## Naloga

V isti koordinatni sistem narišite grafe funkcij  $f(x) = 2x - 2$ ,  $g(x) = 2x + 1$ ,  $h(x) = 2x + 2$  in  $i(x) = 2x$ . Kaj opazite?

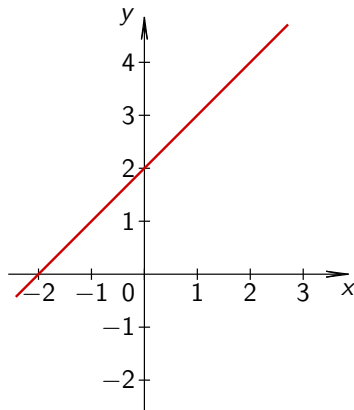
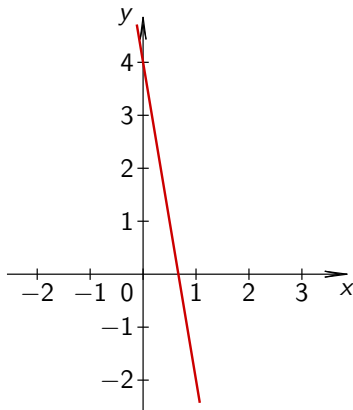
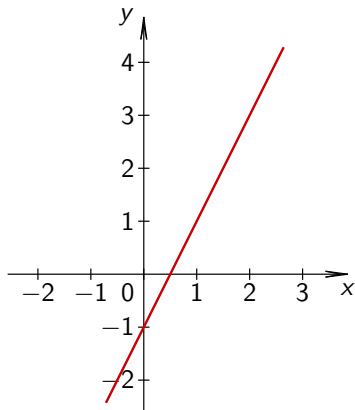
## Naloga

V isti koordinatni sistem narišite grafe funkcij  $f(x) = 2x - 2$ ,  $g(x) = 3x - 2$ ,  $h(x) = x - 2$  in  $i(x) = \frac{1}{2}x - 2$ . Kaj opazite?



## Naloga

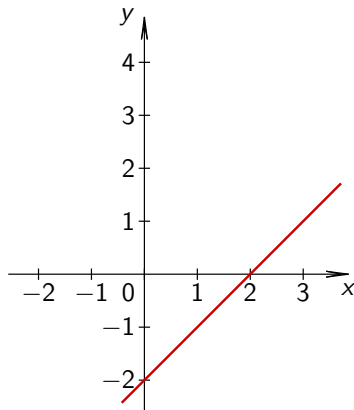
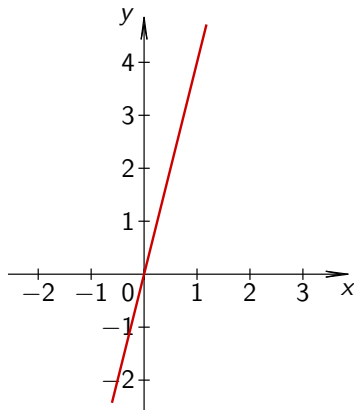
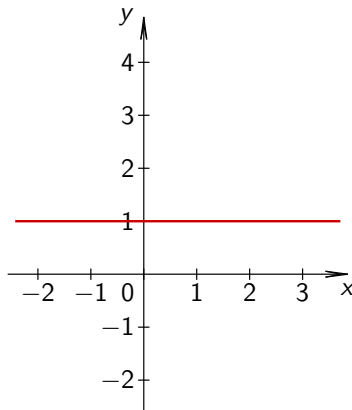
Zapišite predpis linearne funkcije, ki jo prikazuje graf.





## Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije, ki jo prikazuje graf.

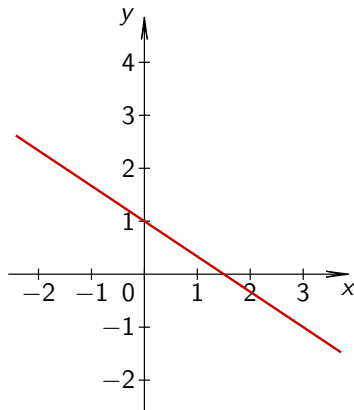
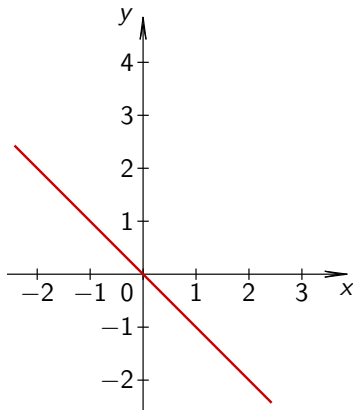
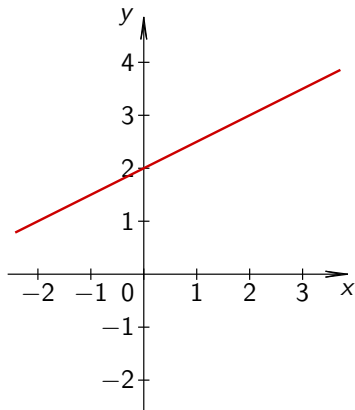






## Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije, ki jo prikazuje graf.





## Naloga

Narišite graf sestavljene funkcije in zapišite njeno zalogo vrednosti.

$$\bullet f(x) = \begin{cases} 2x; & x \leq 2 \\ 4; & x > 2 \end{cases}$$

$$\bullet g(x) = \begin{cases} x + 3; & x \leq -2 \\ -x - 1; & x > -2 \end{cases}$$

$$\bullet h(x) = \begin{cases} x; & x \leq 1 \\ -1; & x > 1 \end{cases}$$

$$\bullet k(x) = \begin{cases} -x + 1; & x \leq 2 \\ -1; & 2 < x < 4 \\ x - 5; & x \geq 4 \end{cases}$$

$$\bullet l(x) = \begin{cases} 0.5x; & x \leq 2 \\ 2x - 3; & 2 < x < 4 \\ 0.5x + 3; & x \geq 4 \end{cases}$$