

MATEMATIKA

1. letnik – splošna gimnazija

Jan Kastelic

Gimnazija Antona Aškerca,
Šolski center Ljubljana

12. september 2024

- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
- 5 Realna števila, statistika
- 6 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

Vsebina

- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
- 5 Realna števila, statistika
- 6 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

Section 1

Osnove logike in teorije množice

1 Osnove logike in teorije množice

- Osnove logike
- Množice

2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

3 Deljivost, izjave, množice

4 Racionalna števila

5 Realna števila, statistika

6 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

Izjave

Matematična izjava

Matematična izjava je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oz. pravilnost.

Logična vrednost matematične izjave

Matematična izjava lahko zavzame dve logični vrednosti:

- izjava je **resnična/pravilna**, oznaka **R/P/1/⊤**;
- izjava je **neresnična/nepravilna**, oznaka **N/0/⊥**.

Izjave označujemo z velikimi tiskanimi črkami (A , B , C ...).

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Osnove logike

└ Izjave

Izjave

Matematična izjava

Matematična izjava je vsaka smiselna poved, za katero lahko določimo resničnost oz. pravilnost.

Logična vrednost matematične izjave

Matematična izjava lahko zavzame dve logični vrednosti:

- izjava je **resnična/pravilna**, oznaka **R/P/1/⊤**;
- izjava je **neresnična/nepravilna**, oznaka **N/0/⊥**.

Izjave označujemo z velikimi tiskanimi črkami (A , B , C ...).

Naloga ???

Enostavne in sestavljene izjave

Izjave delimo med:

- **elementarne/enostavne izjave** – ne moremo jih razstaviti na bolj enostavne;
- **sestavljene izjave** – sestavljene iz elementarnih izjav, ki jih med seboj povezujejo **izjavne povezave** oz. **logična vezja**.

Vrednost sestavljene izjave izračunamo glede na vrednosti elementarnih izjav in izjavnih povezav med njimi.

Pravilnost sestavljenih izjav nazorno prikazujejo **resničnostne/pravilnostne tabele**.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Osnove logike

Enostavne in sestavljene izjave

Izjave delimo med:

- **elementarne/enostavne izjave** – ne moremo jih razstaviti na bolj enostavne;
- **sestavljene izjave** – sestavljene iz elementarnih izjav, ki jih med seboj povezujejo **izjavne povezave** oz. **logična vezja**.

Vrednost sestavljene izjave izračunamo glede na vrednosti elementarnih izjav in izjavnih povezav med njimi.

Pravilnost sestavljenih izjav nazorno prikazujejo **resničnostne/pravilnostne tabele**.

Negacija

$\neg A$ **Ni res,** da velja izjava A .

A	$\neg A$
P	N
N	P

$$\neg(\neg A) = A$$

└ Osnove logike in teorije množice

└ Izjavne povezave

Negacija

Negacija izjave A je izjava, ki trdi nasprotno kot izjava A . Oznaka: $\neg A$.

–A Ni res, da velja izjava A.

Če je izjava A pravilna, je $\neg A$ nepravilna in obratno: če je $\neg A$ pravilna, je A nepravilna.

Negacija negacije izjave je potrditev izjave.
 $\neg(\neg A) = A$

A	$\neg A$
P	N
N	P

Konjunkcija izjav A in B nastane tako, da povežemo izjavi A in B z **in** **hkrati**.

$A \wedge B$ Velja izjava A **in** hkrati izjava B.

Če sta izjavi A in B pravilni, je pravilna tudi njuna konjunkcija, če je pa ena od izjav nepravilna, je nepravilna tudi njuna konjunkcija.

A	B	$A \wedge B$
P	P	P
P	N	N
N	P	N
N	N	N

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

- └ Osnove logike

Konjunkcija izjav A in B nastane tako, da povežemo izjavi A in B z in hkrati.

$A \wedge B$ Velja izjava A in hkrati izjava B.

Če sta izjavi A in B pravilni, je pravilna tudi njuna konjunkcija, če je pa ena od izjav nepravilna, je nepravilna tudi njuna konjunkcija.

A	B	$A \wedge B$
P	P	P
P	N	N
N	P	N
N	N	N

Disjunkcija izjav A in B nastane s povezavo **ali**.

A \vee B Velja izjava A **ali** izjava B (lahko tudi obe hkrati).

Disjunkcija je nepravilna, če sta nepravilni obe izjavi, ki jo sestavljata, v preostalih treh primerih je pravilna.

A	B	$A \vee B$
P	P	P
P	N	P
N	P	P
N	N	N

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

- └ Osnove logike

Disjunkcija

Disjunkcija izjav A in B nastane s povezavo ali.

A ∨ B Velja izjava A **ali** izjava B (lahko tudi obe hkrati).

Disjunkcija je nepravilna, če sta nepravilni obe izjavi, ki jo sestavljata, v preostalih treh primerih je pravilna

A	B	$A \vee B$
P	P	P
P	N	P
N	P	P
N	N	N

Komutativnost konjunkcije in disjunkcije

$$A \wedge B = B \wedge A \quad A \vee B = B \vee A$$

Asociativnost konjunkcije in disjunkcije

$$(A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C) \quad (A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$

Distributivnost zakona za konjunkcijo in disjunkcijo

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C) \quad (A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

De Morganova zakona

- negacija konjunkcije je disjunkcija negacij: $\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$
- negacija disjunkcije je konjunkcija negacij: $\neg(A \vee B) = \neg A \wedge \neg B$

Implikacija

Implikacija izjav A in B je sestavljena izjava, ki jo lahko beremo na različne načine.

$A \Rightarrow B$ Če velja izjava A , **potem** velja izjava B . / **Iz A sledi B .**

Izjava A je **pogoj** ali **privzetek**, izjava B pa **(logična) posledica** izjave A .

Implikacija je nepravilna, ko je izjava A pravilna, izjava B pa nepravilna, v preostalih treh primerih je pravilna.

A	B	$A \Rightarrow B$
P	P	P
P	N	N
N	P	P
N	N	P

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Osnove logike

Implikacija

Implikacija izjav A in B je sestavljena izjava, ki jo lahko beremo na različne načine.

$A \Rightarrow B$ Če velja izjava A , **potem** velja izjava B . / **Iz A sledi B .**

Izjava A je **pogoj** ali **privzetek**, izjava B pa **(logična) posledica** izjave A .

Implikacija je nepravilna, ko je izjava A pravilna, izjava B pa nepravilna, v preostalih treh primerih je pravilna.

A	B	$A \Rightarrow B$
P	P	P
P	N	N
N	P	P
N	N	P

Ekvivalenca

Ekvivalenca izjavi A in B poveže s **če in samo če** oz. **natanko tedaj, ko**.

$A \Leftrightarrow B$ Izjava A velja, **če in samo če** velja izjava B ./
Izjava A velja **natanko tedaj, ko** velja izjava B .

Ekvivalenca dveh izjav je pravilna, če imata obe izjavi enako vrednost (ali sta obe pravilni ali obe nepravilni), in nepravilna, če imata izjavi različno vrednost.

Ekvivalentni/enakovredni izjavi pomenita eno in isto, lahko ju nadomestimo drugo z drugo.

A	B	$A \Leftrightarrow B$
P	P	P
P	N	N
N	P	N
N	N	P

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Osnove logike

Ekvivalenca

Ekvivalenca izjavi A in B poveže s **če in samo če** oz. **natanko tedaj, ko**. $A \Leftrightarrow B$ Izjava A velja, **če in samo če** velja izjava B ./
Izjava A velja **natanko tedaj, ko** velja izjava B .

Ekvivalenca dveh izjav je pravilna, če imata obe izjavi enako vrednost (ali sta obe pravilni ali obe nepravilni), in nepravilna, če imata izjavi različno vrednost.

Ekvivalentni/enakovredni izjavi pomenita eno in isto, lahko ju nadomestimo drugo z drugo.

A	B	$A \Leftrightarrow B$
P	P	P
P	N	N
N	P	N
N	N	P

Vrstni red operacij

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oz. **prioriteto izjavnih povezav**:

- 1 negacija,
- 2 konjunkcija,
- 3 disjunkcija,
- 4 implikacija,
- 5 ekvivalenca.

Če moramo zapored izvesti več enakih izjavnih povezav, velja pravilo združevanja od leve proti desni.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Osnove logike

[Vrstni red operacij](#)

Kadar so izjave povezane z več izjavnimi povezavami, pri določanju logične vrednosti upoštevamo oklepaje in naslednji **vrstni red** oz. **prioriteto izjavnih povezav**:

- 1 negacija,
- 2 konjunkcija,
- 3 disjunkcija,
- 4 implikacija,
- 5 ekvivalenca.

Če moramo zapored izvesti več enakih izjavnih povezav, velja pravilo združevanja od leve proti desni.

Tavtologija

Tavtologija ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

Protislovje

Protislovje je sestavljena izjava, ki ni nikoli pravilna.

Kvantifikatorja

- \forall (beri 'vsak') – izjava velja za vsak element dane množice
- \exists (beri 'obstaja' ali 'eksistira') – izjava je pravilna za vsaj en element dane množice

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Osnove logike

Tavtologija

Tavtologija ali **logično pravilna izjava** je sestavljena izjava, ki je pri vseh naborih vrednosti elementarnih izjav, iz katerih je sestavljena, pravilna.

Protislovje

Protislovje je sestavljena izjava, ki ni nikoli pravilna.

Kvantifikatorja

- \forall (beri 'vsak') – izjava velja za vsak element dane množice

- \exists (beri 'obstaja' ali 'eksistira') – izjava je pravilna za vsaj en element dane množice

Pomen izjav v matematiki

Aksiomi so najpreprostejše izjave, ki so očitno pravilne in zato njihove pravilnosti ni treba dokazovati.

Izreki ali **teoremi** so izjave, ki so pravilne, vendar pa njihova pravilnost ni očitna. Pravilnost izreka (teorema) moramo potrditi z dokazom, ki temelji na aksiomih in na preprostejših že prej dokazanih izrekih.

Definicije so izjave, s katerimi uvajamo nove pojme. Najpreprostejših pojmov v matematiki ne opisujemo z definicijami (to so pojmi kot npr.: število, premica ipd.); vsak nadaljnji pojem pa moramo definirati, zato da se nedvoumno ve, o čem govorimo.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Osnove logike

└ Pomen izjav v matematiki

Pomen izjav v matematiki

Aksiomi so najpreprostejše izjave, ki so očitno pravilne in zato njihove pravilnosti ni treba dokazovati.

Izreki ali **teoremi** so izjave, ki so pravilne, vendar pa njihova pravilnost ni očitna. Pravilnost izreka (teorema) moramo potrditi z dokazom, ki temelji na aksiomih in na preprostejših že prej dokazanih izrekih.

Definicije so izjave, s katerimi uvajamo nove pojme. Najpreprostejših pojmov v matematiki ne opisujemo z definicijami (to so pojmi kot npr.: število, premica ipd.); vsak nadaljnji pojem pa moramo definirati, zato da se nedvoumno ve, o čem govorimo.

Množice

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Osnove logike in teorije množice

└ Množice

└ Množice

Section 2

Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

1 Osnove logike in teorije množice

2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

- Naravna in cela števila
- Računanje z naravnimi in celimi števili
- Izraz, enačba, neenačba
- Računanje s potencami z naravnimi eksponenti
- Razčlenjevanje izrazov
- Razstavljanje izrazov v množici \mathbb{Z}
- Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici \mathbb{Z}
- Reševanje linearnih neenačb v množici \mathbb{Z}

3 Deljivost, izjave, množice

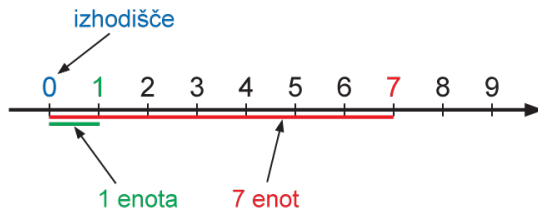
Naravna števila

Množica naravnih števil:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

Naravna števila so števila s katerimi štejemo.

Naravna števila lahko predstavimo s **točko** na **številski premici**.



2024-09-12

MATEMATIKA

└ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

└ Naravna in cela števila

└ Naravna števila

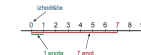
Naravna števila

Množica naravnih števil:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

Naravna števila so števila s katerimi štejemo.

Naravna števila lahko predstavimo s **točko** na **številski premici**.



Množico naravnih števil definirajo **Peanovi aksiomi**:

- Vsako naravno število (n) ima svojega naslednika ($n + 1$).
- Število 1 ni naslednik nobenega naravnega števila.
- Različni naravni števili imata različna naslednika: ($n + 1 \neq m + 1$; $n \neq m$).
- Če neka trditev velja za vsako naravno število in tudi za njegovega naslednika, velja za vsa naravna števila – princip popolne indukcije.

V množici \mathbb{N} sta definirani notranji operaciji: **seštevanje** in **množenje**.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

└ Naravna in cela števila

Množico naravnih števil definirajo **Peanovi aksiomi**:

- Vsako naravno število (n) ima svojega naslednika ($n + 1$).
- Število 1 ni naslednik nobenega naravnega števila.
- Različni naravni števili imata različna naslednika: ($n + 1 \neq m + 1$; $n \neq m$).
- Če neka trditev velja za vsako naravno število in tudi za njegovega naslednika, velja za vsa naravna števila – princip popolne indukcije.

V množici \mathbb{N} sta definirani notranji operaciji: **seštevanje** in **množenje**.

Seštevanje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **vsoto** $a + b$.

Vsota naravnih števil je naravno število: $a, b \in \mathbb{N} \Rightarrow a + b \in \mathbb{N}$.

Lastnosti:

- **komutativnost** členov/zakon o zamenjavi členov: $a + b = b + a$.
- **asociativnost** členov/zakon o združevanju členov: $(a + b) + c = a + (b + c)$.

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
 - └ Naravna in cela števila

- **komutativnost** členov/zakon o zamenjavi členov: $a + b = b + a$.
- **asociativnost** členov/zakon o združevanju členov: $(a + b) + c = a + (b + c)$.

Množenje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **produkt** $a \cdot b$.

Produkt naravnih števil je naravno število: $a, b \in \mathbb{N} \Rightarrow a \cdot b \in \mathbb{N}$.

Lastnosti:

- ***komutativnost*** faktorjev/zakon o zamenjavi faktorjev: $a \cdot b = b \cdot a$.
- ***asociativnost*** faktorjev/zakon o združevanju faktorjev: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$.
- ***distributivnost***/zakon o razčlenjevanju: $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$.
- zakon o nevtralnem elementu: $a \cdot 1 = a$.

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
 - └ Naravna in cela števila

Množenje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **produkt** $a \cdot b$.

Produkt naravnih števil je naravno število: $a, b \in \mathbb{N} \Rightarrow a \cdot b \in \mathbb{N}$.

Lastnosti:

- ***komutativnost*** faktorjev/zakon o zamenjavi faktorjev: $a \cdot b = b \cdot a$.
- ***asociativnost*** faktorjev/zakon o združevanju faktorjev: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$.
- ***distributivnost***/zakon o razčlenjevanju: $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$.
- zakon o nevtralnem elementu: $a \cdot 1 = a$.

Množica celih števil:

$$\mathbb{Z} = \{ \dots, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots \}$$

Množica celih števil je definirana kot unija treh množic:

$$\mathbb{Z} = \mathbb{Z}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Z}^+$$

- množica **pozitivnih celih števil** (\mathbb{Z}^+) – naravna števila;
- **število 0**;
- množica **negativnih celih števil** (\mathbb{Z}^-) – nasprotna števila vseh naravnih števil.

Nasprotno število števila a je $-a$.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

└ Naravna in cela števila

└ Cela števila

Cela števila

Množica celih števil:

$$\mathbb{Z} = \{ \dots, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots \}$$

Množica celih števil je definirana kot unija treh množic:

$$\mathbb{Z} = \mathbb{Z}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Z}^+$$

- množica **pozitivnih celih števil** (\mathbb{Z}^+) – naravna števila;
- **število 0**;
- množica **negativnih celih števil** (\mathbb{Z}^-) – nasprotna števila vseh naravnih števil.

Nasprotno število števila a je $-a$.

Poleg seštevanja in množenja je kot notranja operacija množice celih števil definirano še **odštevanje**.

Odštevanje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **razliko** $a - b$.

Odštevanje definiramo kot prištevanje nasprotne vrednosti: $a - b = a + (-b)$

Za odštevanje velja zakon **distributivnosti**: $a \cdot (b - c) = a \cdot b - a \cdot c$.

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
 - └ Naravna in cela števila

Poleg seštevanja in množenja je kot notranja operacija množice celih števil definirano še **odštevanje**.

Odštevanje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **razliko** $a - b$.

Odštevanje definiramo kot prištevanje nasprotne vrednosti: $a - b = a + (-b)$

Za odštevanje velja zakon **distributivnosti**: $a \cdot (b - c) = a \cdot b - a \cdot c$.

Računski zakoni

- Komutativnostni zakon:

$$a + b = b + a \text{ in } a \cdot b = b \cdot a$$

- Asociativnostni zakon:

$$a + (b + c) = (a + b) + c \text{ in } a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$$

- Zakon o nevtralnem elementu:

$$a + 0 = a \text{ in } a \cdot 1 = a$$

- Zakon o inverznem/nasprotnem elementu:

$$a + (-a) = 0$$

- Distributivnostni zakon:

$$a \cdot (b \pm c) = a \cdot b \pm a \cdot c$$

$$a + b = b + a \text{ in } a \cdot b = b \cdot a$$

$$a + (b + c) = (a + b) + c \text{ in } a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$$

$$a + 0 = a \text{ in } a \cdot 1 = a$$

$$a + (-a) = 0$$

$$a \cdot (b \pm c) = a \cdot b \pm a \cdot c$$

Pravila za računanje s celimi števili

- $-(-a) = a$
- $0 \cdot a = 0$
- $-1 \cdot a = -a$
- $(-a) + (-b) = -(a + b)$
- $(-a) \cdot b = -(a \cdot b) = a \cdot (-b)$
- $(-a) \cdot (-b) = a \cdot b$

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
 - └ Naravna in cela števila

- $-(-a) = a$
- $0 \cdot a = 0$
- $-1 \cdot a = -a$
- $(-a) + (-b) = -(a + b)$
- $(-a) \cdot b = -(a \cdot b) = a \cdot (-b)$
- $(-a) \cdot (-b) = a \cdot b$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

└ Naravna in cela števila

Računanje s potencami z naravnimi eksponenti

Potenca a^n , pri čemer je $n \in \mathbb{N}$, je produkt n faktorjev enakih a .

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n - \text{krat}}$$

Pravila za računanje s potencami:

- $a^n \cdot b^n = (ab)^n$ - potenci z enakima eksponentoma zmnožimo tako, da zmnožimo osnovi in prepisemo eksponent
- $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ - potenci z enako osnovo zmnožimo tako, da osnovo prepisemo in seštejemo eksponenta
- $(a^n)^m = a^{nm}$ - potenco potenciramo tako, da osnovo prepisemo in zmnožimo eksponenta

- └ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
 - └ Računanje s potencami z naravnimi eksponenti
 - └ Računanje s potencami z naravnimi eksponenti

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n - \text{krat}}$$

- $a^n \cdot b^n = (ab)^n$ - potenci z enakima eksponentoma zmnožimo tako, da zmnožimo osnovi in prepisemo eksponent
- $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ - potenci z enako osnovo zmnožimo tako, da osnovo prepisemo in seštejemo eksponenta
- $(a^n)^m = a^{nm}$ - potenco potenciramo tako, da osnovo prepisemo in zmnožimo eksponenta

Razstavljanje izrazov v množici \mathbb{Z}

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
 - └ Razstavljanje izrazov v množici \mathbb{Z}
 - └ Razstavljanje izrazov v množici \mathbb{Z}

Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici \mathbb{Z}

2024-09-12	MATEMATIKA
	└ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
	└ Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici \mathbb{Z}
	└ Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici \mathbb{Z}

Reševanje linearnih neenačb v množici \mathbb{Z}

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
 - └ Reševanje linearnih neenačb v množici \mathbb{Z}
 - └ Reševanje linearnih neenačb v množici \mathbb{Z}

Section 3

Deljivost, izjave, množice

2024-09-12

1 Osnove logike in teorije množice

2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

3 Deljivost, izjave, množice

- Relacija deljivosti
- Pravila za deljivost
- Praštevila in sestavljena števila
- Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik
- Osnovni izrek o deljenju
- Evklidov algoritem in zveza $Dv = ab$
- Številski sestavi
- Izjave
- Množice

Relacija deljivosti

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - Deljivost, izjave, množice
 - Relacija deljivosti
 - Relacija deljivosti

Pravila za deljivost

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - └ Deljivost, izjave, množice
 - └ Pravila za deljivost
 - └ Pravila za deljivost

Praštevila in sestavljena števila

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Deljivost, izjave, množice
 - └ Praštevila in sestavljena števila
 - └ Praštevila in sestavljena števila

Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Deljivost, izjave, množice
 - └ Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik
 - └ Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik

Osnovni izrek o deljenju

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Deljivost, izjave, množice
 - └ Osnovni izrek o deljenju
 - └ Osnovni izrek o deljenju

Evklidov algoritem in zveza $Dv = ab$

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - └ Deljivost, izjave, množice
 - └ Evklidov algoritem in zveza $Dv = ab$
 - └ Evklidov algoritem in zveza $Dv = ab$

Številski sestavi

2024-09-12

MATEMATIKA

- Deljivost, izjave, množice

- Številski sestavi

└Številski sestavi

Izjave

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Deljivost, izjave, množice
 - └ Izjave
 - └ Izjave

Množice

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - Deljivost, izjave, množice
 - Množice
 - Množice

Section 4

Racionalna števila

- 1 Osnove logike in teorije množice
- 2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 3 Deljivost, izjave, množice
- 4 Racionalna števila
 - Številski ulomki
 - Racionalna števila
 - Urejenost racionalnih števil
 - Algebrski ulomki
 - Računanje z ulomki
 - Potence s celimi eksponenti
 - Pravila za računanje s potencami s celimi eksponenti

Številski ulomki

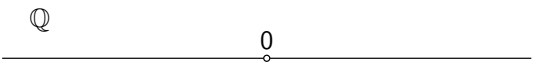
Racionalna števila

A horizontal number line with an arrow pointing to the right. A point is marked on the line to the left of the origin, labeled with the letter Q. The origin is marked with a small circle and labeled 0.

2024-09-12

└ Racionalna števila

Racionalna števila



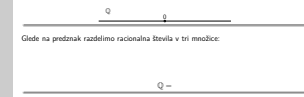
Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

$$\mathbb{Q} =$$

2024-09-12

MATEMATIKA

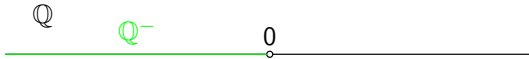
- └ Racionalna števila
 - └ Racionalna števila
 - └ Racionalna števila



Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

$$\mathbb{Q} =$$

Racionalna števila



Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

- množico negativnih racionalnih števil Q^- ,

$$Q = Q^- \cup Q^+ \cup \{0\}$$

2024-09-12

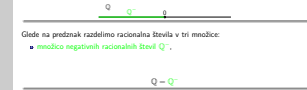
MATEMATIKA

- └ Racionalna števila

- └ Racionalna števila

- └ Racionalna števila

Racionalna števila

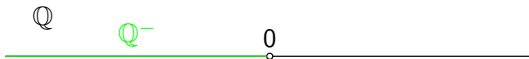


Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

- množico negativnih racionalnih števil Q^- ,

$Q = Q^- \cup Q^+ \cup \{0\}$

Racionalna števila



Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

- množico negativnih racionalnih števil \mathbb{Q}^- ,
- množico z elementom nič: $\{0\}$ in

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^- \cup \{0\}$$

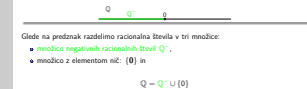
2024-09-12

MATEMATIKA

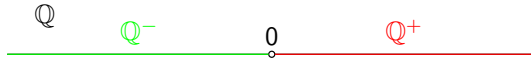
└ Racionalna števila

└ Racionalna števila

└ Racionalna števila



Racionalna števila



Glede na predznak razdelimo racionalna števila v tri množice:

- množico negativnih racionalnih števil \mathbb{Q}^- ,
- množico z elementom nič: $\{0\}$ in
- množico pozitivnih racionalnih števil: \mathbb{Q}^+ .

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Q}^+$$

2024-09-12

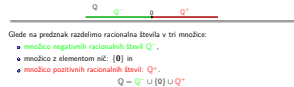
MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Racionalna števila

└ Racionalna števila

Racionalna števila



Urejenost racionalnih števil

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Urejenost racionalnih števil

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Urejenost racionalnih števil

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad < bc$;

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Urejenost racionalnih števil

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad < bc$;

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad < bc$;
- 3 ulomka sta enaka $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad = bc$.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Urejenost racionalnih števil

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad < bc$;
- 3 ulomka sta enaka $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad = bc$.

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad < bc$;
- 3 ulomka sta enaka $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad = bc$.

Enaka ulomka predstavljata isto racionalno število.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Urejenost racionalnih števil

Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* ($<$) oziroma *biti večji* ($>$). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji od drugega $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad > bc$;
- 2 drugi ulomek je večji od prvega $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad < bc$;
- 3 ulomka sta enaka $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad = bc$.

Enaka ulomka predstavljata isto racionalno število.

Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.

2024-09-12

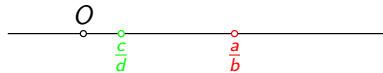
MATEMATIKA

- └ Racionalna števila

- └ Urejenost racionalnih števil

Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.

Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.



2024-09-12

MATEMATIKA

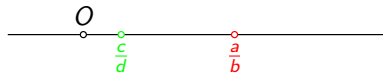
└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.



Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

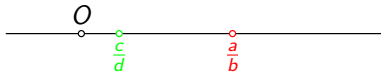
└ Urejenost racionalnih števil

Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.

Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.



2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

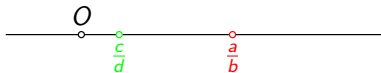
Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.



Slika večjega racionalnega števila $\frac{a}{b}$ je na številski premici desno od slike manjšega racionalnega števila $\frac{c}{d}$.



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.



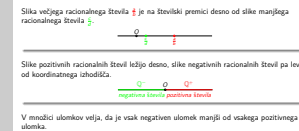
V množici ulomkov velja, da je vsak negativen ulomek manjši od vsakega pozitivnega ulomka.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil



Lastnosti relacije urejenosti

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└└ Urejenost racionalnih števil

└└└ Lastnosti relacije urejenosti

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

2024-09-12

- MATEMATIKA
- └ Racionalna števila
- └└ Urejenost racionalnih števil
- └└└ Lastnosti relacije urejenosti

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - Racionalna števila
 - Urejenost racionalnih števil
 - Lastnosti relacije urejenosti

- Lastnosti relacije urejenosti
 - Monotonost vsote

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Lastnosti relacije urejenosti

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Lastnosti relacije urejenosti

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

Tranzitivnost

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

└ Lastnosti relacije urejenosti

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Ce na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

Tranzitivnost

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

Tranzitivnost

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} < \frac{e}{f} \Rightarrow \frac{a}{b} < \frac{e}{f}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Racionalna števila

- └ Urejenost racionalnih števil

- └ Lastnosti relacije urejenosti

Lastnosti relacije urejenosti

Monotonost vsote

Ce na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

Tranzitivnost

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} < \frac{e}{f} \Rightarrow \frac{a}{b} < \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad -\frac{a}{b} > -\frac{c}{d}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Pri množenju neenakosti s pozitivnim številom se znak neenakosti ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad -\frac{a}{b} > -\frac{c}{d}$$

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- ➊ prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- ➋ drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- ➊ prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- ➋ drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$ – **refleksivnost**;

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$ – **refleksivnost**;

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$ – **refleksivnost**;
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ – **antisimetričnost** in

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Urejenost racionalnih števil

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$ – **refleksivnost**;
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ – **antisimetričnost** in

Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* (\leq) oziroma *biti večji ali enak* (\geq). Za ulomka $\frac{a}{b}$ in $\frac{c}{d}$ ($b, d \in \mathbb{N}$) velja vsaj ena izmed možnosti:

- 1 prvi ulomek je večji ali enak od drugega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \geq bc$;
- 2 drugi ulomek je večji ali enak od prvega $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$ natanko tedaj, ko je $ad \leq bc$;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$ – **refleksivnost**;
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ – **antisimetričnost** in
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{e}{f} \Rightarrow \frac{a}{b} \leq \frac{e}{f}$ – **tranzitivnost**.

Računanje z ulomki

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Racionalna števila
 - └ Računanje z ulomki
 - └ Računanje z ulomki

Potence s celimi eksponenti

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Racionalna števila

└ Potence s celimi eksponenti

└ Potence s celimi eksponenti

Pravila za računanje s celimi eksponenti

Premo in obratno sorazmerje

Odstotki

Section 5

Realna števila, statistika

1 Osnove logike in teorije množice

2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

3 Deljivost, izjave, množice

4 Racionalna števila

5 Realna števila, statistika

- Realna števila
- Kvadratni in kubični koren
- Intervali
- Absolutna vrednost
- Sistem linearnih enačb

2024-09-12

- └ Realna števila, statistika
 - └ Realna števila
 - └ Realna števila

Kvadratni in kubični koren

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - Realna števila, statistika
 - Kvadratni in kubični koren
 - Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

$$(b) \ 4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563
Izračunaj in rezultat delno koreni.
(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o) $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o) $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o) $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

(r) $\sqrt{5\sqrt{3} - 5} \cdot \sqrt{2\sqrt{3} + 2} - (\sqrt{5})^3$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o) $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

(r) $\sqrt{5\sqrt{3} - 5} \cdot \sqrt{2\sqrt{3} + 2} - (\sqrt{5})^3$

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o) $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

(r) $\sqrt{5\sqrt{3} - 5} \cdot \sqrt{2\sqrt{3} + 2} - (\sqrt{5})^3$

(u) $(\sqrt{17} - 3)\sqrt{26 + 6\sqrt{17}} - \sqrt{2}(\sqrt{2} + \sqrt{6})$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Kvadratni in kubični koren

Naloga 563

Izračunaj in rezultat delno koreni.

(b) $4\sqrt{8} - (2\sqrt{5} + 3\sqrt{8})\sqrt{10}$

(č) $(5\sqrt{3} + 2\sqrt{27})(\sqrt{75} - 4\sqrt{12} + \sqrt{147})$

(g) $8\sqrt{3}(\sqrt{2} - 1) - (\sqrt{5} + 2\sqrt{6})(4 - 2\sqrt{2})$

(j) $(2 - 4\sqrt{3}) \cdot 3\sqrt{2} - (2\sqrt{2} - 3\sqrt{3})^2$

(l) $(3 - 2\sqrt{2})^3 - (\sqrt{8} - 5\sqrt{2})(-3\sqrt{2})$

(o) $\sqrt{300} - \sqrt{5 - 2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} + \sqrt{5^4}$

(r) $\sqrt{5\sqrt{3} - 5} \cdot \sqrt{2\sqrt{3} + 2} - (\sqrt{5})^3$

(u) $(\sqrt{17} - 3)\sqrt{26 + 6\sqrt{17}} - \sqrt{2}(\sqrt{2} + \sqrt{6})$

Intervali

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Intervali

Ponazoritev krajišča na številski premici:

- odebeljena pika / črtica – krajišče spada k intervalu;
- puščica – krajišče ne spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.

Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Intervali

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.
Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Ponazoritev krajišča na številski premici:

- odebeljena pika / črtica – krajišče spada k intervalu;
- puščica – krajišče ne spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.

Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

2024-09-12

MATEMATIKA

- Realna števila, statistika

- Intervali

- Intervali

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.
Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

[Vključenost krajišč](#)

Ponazoritev krajišča na številski premici:

- odebeljena pika / črtica – krajišče spada k intervalu;
- puščica – krajišče ne spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.

Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

- Simbola "[" in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Realna števila, statistika

- └ Intervali

- └ Intervali

Ponazoritev krajišča na številski premici:

- odebeljena pika / črtica – krajišče spada k intervalu;
- puščica – krajišče ne spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.
Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

- Simbola "[" in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.

Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

- Simbola "[" in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.
- Simbola "(" in ")" označujeta krajišče, ki ne spada k intervalu.

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Realna števila, statistika

- └ Intervali

- └ Intervali

Ponazoritev krajišča na številski premici:

- odebeljena pika / črtica – krajišče spada k intervalu;
- puščica – krajišče ne spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.
Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

- Simbola "[" in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.
- Simbola "(" in ")" označujeta krajišče, ki ne spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.

Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

- Simbola "[" in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.
- Simbola "(" in ")" označujeta krajišče, ki ne spada k intervalu.

Pri zapisu intervalov moramo biti pozorni na zapis vrstnega reda števil, ki določata krajišči.

$$[a, b] \neq [b, a]$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Intervali

Ponazoritev krajišča na številski premici:

- odebeljena pika / črtica – krajišče spada k intervalu;
- puščica – krajišče ne spada k intervalu.

Intervali

Interval je množica vseh realnih števil, ki ležijo med dvema danima številoma a in b , $a < b$.
Števili a in b imenujemo **krajišči intervala**.

Vključenost krajišč

- Simbola "[" in "]" označujeta krajišče, ki spada k intervalu.
- Simbola "(" in ")" označujeta krajišče, ki ne spada k intervalu.

Pri zapisu intervalov moramo biti pozorni na zapis vrstnega reda števil, ki določata krajišči.

$$[a, b] \neq [b, a]$$

Vrste intervalov

Vrste intervalov

Vrste intervalov

Zaprti interval

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - Realna števila, statistika
 - Intervali
 - Vrste intervalov

Vrste intervalov

Zaprti interval

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščema a in b .

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Vrste intervalov

Vrste intervalov

Zaprti interval

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$

Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščema a in b .

Vrste intervalov

Zaprti interval

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščema a in b .

Odprti interval

2024-09-12

MATEMATIKA

- Realna števila, statistika

- Intervali

- Vrste intervalov

Vrste intervalov

Zaprti interval

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$

Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščema a in b .

Odprti interval

Vrste intervalov

Zaprti interval

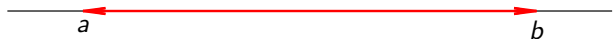
$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščema a in b .

Odprti interval

$$(a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a < x < b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vendar ne vsebuje krajišč a in b .

2024-09-12

MATEMATIKA

- Realna števila, statistika

- Intervali

- Vrste intervalov

Vrste intervalov

Zaprti interval

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\}$$

Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščema a in b .

Odprti interval

$$(a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a < x < b\}$$

Vsebuje vsa realna števila med a in b , vendar ne vsebuje krajišč a in b .

Polodprti/polzaprti interval

2024-09-12

MATEMATIKA
└ Realna števila, statistika
 └ Intervali

12. september 2024

Polodprti/polzaprti interval



$$[a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x < b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščem a , vendar ne vsebuje krajišča b .

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Polodprti/polzaprti interval



$$[a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x < b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščem a , vendar ne vsebuje krajišča b .

Polodprti/polzaprti interval



$$[a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x < b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščem a , vendar ne vsebuje krajišča b .



$$(a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a < x \leq b\}$$



Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščem b , vendar ne vsebuje krajišča a .

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Polodprti/polzaprti interval



$$[a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x < b\}$$

Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščem a , vendar ne vsebuje krajišča b .



$$(a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a < x \leq b\}$$

Vsebuje vsa realna števila med a in b , vključno s krajiščem b , vendar ne vsebuje krajišča a .

Zapis podmnožic \mathbb{R} z intervali:

- $\mathbb{R}^+ = (0, \infty)$
- $\mathbb{R}_0^+ = [0, \infty)$
- $\mathbb{R}^- = (-\infty, 0)$

Neomejeni/neskončni intervali

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Zapis podmnožic \mathbb{R} z intervali:

- $\mathbb{R}^+ = (0, \infty)$
- $\mathbb{R}_0^+ = [0, \infty)$
- $\mathbb{R}^- = (-\infty, 0)$

Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Neomejeni/neskončni intervali

• $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$ Zapis podmnožic \mathbb{R} z intervali:

- $\mathbb{R}^+ = (0, \infty)$
- $\mathbb{R}_0^+ = [0, \infty)$
- $\mathbb{R}^- = (-\infty, 0)$

Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$



2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$

- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$

Zapis podmnožic \mathbb{R} z intervali:

- $\mathbb{R}^+ = (0, \infty)$

- $\mathbb{R}_0^+ = [0, \infty)$

- $\mathbb{R}^- = (-\infty, 0)$

Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$



- $(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$



2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$

- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$

- $(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$

Zapis podmnožic \mathbb{R} z intervali:

- $\mathbb{R}^+ = (0, \infty)$

- $\mathbb{R}_0^+ = [0, \infty)$

- $\mathbb{R}^- = (-\infty, 0)$

Neomejeni/neskončni intervali

$$\bullet [a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$$



$$\bullet (a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$$



$$\bullet (-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$$



$$\bullet (-\infty, b) = \{x \in \mathbb{R}; x < b\}$$



2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Neomejeni/neskončni intervali

$$\bullet [a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$$

$$\bullet (a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$$

$$\bullet (-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$$

$$\bullet (-\infty, b) = \{x \in \mathbb{R}; x < b\}$$

Zapis podmnožic \mathbb{R} z intervali:

$$\blacksquare \mathbb{R}^+ = (0, \infty)$$

$$\blacksquare \mathbb{R}_0^+ = [0, \infty)$$

$$\blacksquare \mathbb{R}^- = (-\infty, 0)$$

Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$



- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$



- $(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$



- $(-\infty, b) = \{x \in \mathbb{R}; x < b\}$



- $(-\infty, \infty) = \{x; x \in \mathbb{R}\} = \mathbb{R}$



2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Neomejeni/neskončni intervali

- $[a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x \geq a\}$

- $(a, \infty) = \{x \in \mathbb{R}; x > a\}$

- $(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R}; x \leq b\}$

- $(-\infty, b) = \{x \in \mathbb{R}; x < b\}$

- $(-\infty, \infty) = \{x; x \in \mathbb{R}\} = \mathbb{R}$

Zapis podmnožic \mathbb{R} z intervali:

- $\mathbb{R}^+ = (0, \infty)$

- $\mathbb{R}_0^+ = [0, \infty)$

- $\mathbb{R}^- = (-\infty, 0)$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - Realna števila, statistika
 - Intervali

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Naloga 423 (Linea nova)
Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Rešitev N585:

- $I \cap J = (3, 5); I \cup J = [-2, 6)$
- $4 + 4 = 8$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

• Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Rešitev N585:

- $I \cap J = (3, 5); I \cup J = [-2, 6)$
- $4 + 4 = 8$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Rešitev N585:

- $I \cap J = (3, 5); I \cup J = [-2, 6)$
- $4 + 4 = 8$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

• Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.

• Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Rešitev N585:

- $I \cap J = (3, 5); I \cup J = [-2, 6)$
- $4 + 4 = 8$

Rešitev N583:

(c) $(3, 8]$ in $[4, 5]$

(f) $[-2, \infty)$ in $(2, 4]$

(g) $(-\infty, 5]$ in $(-1, 3]$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

(c) $[4, 8]$ in $(3, 5]$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Rešitev N585:

- $I \cap J = (3, 5); I \cup J = [-2, 6)$
- $4 + 4 = 8$

Rešitev N583:

(c) $(3, 8]$ in $[4, 5]$

(f) $[-2, \infty)$ in $(2, 4]$

(g) $(-\infty, 5]$ in $(-1, 3]$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

(c) $[4, 8]$ in $(3, 5]$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

- (c) $[4, 8]$ in $(3, 5]$
 (f) $[-2, 4]$ in $(2, \infty)$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Rešitev N585:

- $I \cap J = (3, 5); I \cup J = [-2, 6)$
- $4 + 4 = 8$

Rešitev N583:

- (c) $(3, 8]$ in $[4, 5]$
 (f) $[-2, \infty)$ in $(2, 4]$
 (g) $(-\infty, 5]$ in $(-1, 3]$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

(c) $[4, 8]$ in $(3, 5]$

(f) $[-2, 4]$ in $(2, \infty)$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

- (c) $[4, 8]$ in $(3, 5]$
- (f) $[-2, 4]$ in $(2, \infty)$
- (g) $(-\infty, 3]$ in $(-1, 5]$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Rešitev N423: $\{x \in \mathbb{R}; 0 \leq x < 6\} [0, 6)$

Rešitev N585:

- $I \cap J = (3, 5); I \cup J = [-2, 6)$
- $4 + 4 = 8$

Rešitev N583:

- (c) $(3, 8]$ in $[4, 5]$
- (f) $[-2, \infty)$ in $(2, 4]$
- (g) $(-\infty, 5]$ in $(-1, 3]$

Naloga 423 (Linea nova)

Zapišite množico vseh neengativnih realnih števil, ki so manjša od 6, ter iskano množico predstavite na številski premici.

Naloga 585

Dana sta intervala $I = [-2, 5)$ in $J = (3, 6)$.

- Zapiši $I \cap J$ in $I \cup J$.
- Izračunaj vsoto največjega celega števila iz I in najmanjšega celega števila iz J .

Naloga 583

Zapiši unijo in presek danih intervalov.

(c) $[4, 8]$ in $(3, 5]$

(f) $[-2, 4]$ in $(2, \infty)$

(g) $(-\infty, 3]$ in $(-1, 5]$

Linearna neenačba

2024-09-12

MATEMATIKA

- Realna števila, statistika
 - Intervali
 - Linearna neenačba

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $\mathbf{ax + b < cx + d}$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Linearna neenačba

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $\mathbf{ax + b < cx + d}$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Linearna neenačba

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $\mathbf{ax + b < cx + d}$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Linearna neenačba

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Linearna neenačba

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;
- levo in desno stran neenačbe lahko pomnožimo z istim (pozitivnim) številom;

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

└ Linearna neenačba

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;
- levo in desno stran neenačbe lahko pomnožimo z istim (pozitivnim) številom;

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;
- levo in desno stran neenačbe lahko pomnožimo z istim (pozitivnim) številom;
- če levo in desno stran neenačbe pomnožimo z negativnim številom, se znak neenakosti obrne.

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Realna števila, statistika

- └ Intervali

- └ Linearna neenačba

Linearna neenačba

Linearna neenačba ima v splošnem obliko: $ax + b < cx + d$; $a, b, c, d \in \mathbb{R}$.

Reševanje linearne neenačbe

Neenačbo rešimo tako, da ji po korakih prirejamo enostavnejšo ekvivalentno neenačbo, dokler ne pridemo do rešitve. Množica rešitev linearne neenačbe je interval, množica intervalov, točka, množica točk ali pa nima rešitve.

Pravila preoblikovanja

- na levi in desni strani neenačbe lahko prištejemo (ali odštejemo) isto število;
- levo in desno stran neenačbe lahko pomnožimo z istim (pozitivnim) številom;
- če levo in desno stran neenačbe pomnožimo z negativnim številom, se znak neenakosti obrne.

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582
Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Rešitev N584:

$$(č) \quad x \in (-3, 4]$$

(h) ni rešitve

$$(e) \quad x \in \left\{\frac{7}{5}\right\}$$

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Rešitev N584:

$$(č) \quad x \in (-3, 4]$$

(h) ni rešitve

$$(e) \quad x \in \left\{\frac{7}{5}\right\}$$

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

$$(h) \quad 3 - (2 + 4x) < x^2 - (2 - x)^2; \quad 2 - (2 - x)(x + 2) \geq x^2$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

$$(h) \quad 3 - (2 + 4x) < x^2 - (2 - x)^2; \quad 2 - (2 - x)(x + 2) \geq x^2$$

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Rešitev N584:

$$(č) \quad x \in (-3, 4]$$

(h) ni rešitve

$$(e) \quad x \in \left\{\frac{7}{5}\right\}$$

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

$$(h) \quad 3 - (2 + 4x) < x^2 - (2 - x)^2; \quad 2 - (2 - x)(x + 2) \geq x^2$$

$$(e) \quad 5x - 3 \geq 4; \quad 11 - 10x \geq -3$$

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 582

Reši neenačbo in rešitev zapiši z intervalom.

$$(f) \quad 3 - (2 - 2x)^2 > 4x(1 - x)$$

$$(l) \quad \frac{x+3}{8} \geq \frac{2x-9}{4}$$

$$(p) \quad \frac{x+3}{6} - \frac{2x-1}{12} \leq (3+4)^0 + \frac{3x-2}{8}$$

Naloga 584

Reši sistem neenačb in rešitev zapiši z intervalom.

$$(č) \quad x + 4 \leq 8; \quad 5 - x < 8$$

$$(h) \quad 3 - (2 + 4x) < x^2 - (2 - x)^2; \quad 2 - (2 - x)(x + 2) \geq x^2$$

$$(e) \quad 5x - 3 \geq 4; \quad 11 - 10x \geq -3$$

Rešitev N582:

$$(f) \quad x \in \left(\frac{1}{4}, \infty\right)$$

$$(l) \quad x \in (-\infty, 7]$$

$$(p) \quad x \in \left[-\frac{4}{9}, \infty\right)$$

Rešitev N584:

$$(č) \quad x \in (-3, 4]$$

(h) ni rešitve

$$(e) \quad x \in \left\{\frac{7}{5}\right\}$$

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Rešitev N587:

- a $x \in (-\infty, 3]$
- b $x \in \{1, 2, 3\}$
- c $x \in \{3, 2, 1, 0, -1, -2, \dots\}$

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☐ a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☐ a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

Rešitev N587:

- ☐ a $x \in (-\infty, 3]$
- ☐ b $x \in \{1, 2, 3\}$
- ☐ c $x \in \{3, 2, 1, 0, -1, -2, \dots\}$

Rešitev N588:

- ☐ a $x \in (-\infty, -\frac{1}{6})$
- ☐ b $x \in (-\infty, 269]$
- ☐ c $x \in \left\{\frac{59}{37}\right\}$

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☒ a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

- ☒ a vrednost izraza A negativna,

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Rešitev N587:

- ☐ a $x \in (-\infty, 3]$
- ☐ b $x \in \{1, 2, 3\}$
- ☒ c $x \in \{3, 2, 1, 0, -1, -2, \dots\}$

Rešitev N588:

- ☐ a $x \in (-\infty, -\frac{1}{6})$
- ☐ b $x \in (-\infty, 269]$
- ☒ c $x \in \left\{\frac{59}{37}\right\}$

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☒ realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☒ naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☒ celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

- ☒ vrednost izraza A negativna,

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☐ a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

- ☐ a vrednost izraza A negativna,
- ☐ b vrednost izraza B vsaj -88 ,

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Rešitev N587:

- ☐ a $x \in (-\infty, 3]$
- ☐ b $x \in \{1, 2, 3\}$
- ☐ c $x \in \{3, 2, 1, 0, -1, -2, \dots\}$

Rešitev N588:

- ☐ a $x \in (-\infty, -\frac{1}{6})$
- ☐ b $x \in (-\infty, 269]$
- ☐ c $x \in \left\{\frac{59}{37}\right\}$

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☒ realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☒ naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☒ celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

- ☒ vrednost izraza A negativna,
- ☒ vrednost izraza B vsaj -88 ,

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☐ a realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ b naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☐ c celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

- ☐ a vrednost izraza A negativna,
- ☐ b vrednost izraza B vsaj -88 ,
- ☐ c vrednost izraza B za 20 manjša od vrednosti izraza A ?

2024-09-12

MATEMATIKA

└ Realna števila, statistika

└ Intervali

Naloga 587

Reši neenačbo $4 - (2x + 3)^3 \geq -101 - 4(x + 1)(2x^2 + 7x)$ v množici:

- ☒ realnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☒ naravnih števil in rešitev ponazori na številski premici,
- ☒ celih števil in rešitev ponazori na številski premici.

Naloga 588

Dana sta izraza $A = 3 - (2x - 1)^2 + 4x(x + 2)$ in $B = 2 - \frac{x+1}{3}$. Za katere x je:

- ☒ vrednost izraza A negativna,
- ☒ vrednost izraza B vsaj -88 ,
- ☒ vrednost izraza B za 20 manjša od vrednosti izraza A ?

Rešitev N587:

- ☐ a $x \in (-\infty, 3]$
- ☐ b $x \in \{1, 2, 3\}$
- ☐ c $x \in \{3, 2, 1, 0, -1, -2, \dots\}$

Rešitev N588:

- ☐ a $x \in (-\infty, -\frac{1}{6})$
- ☐ b $x \in (-\infty, 269]$
- ☐ c $x \in \left\{\frac{59}{37}\right\}$

Absolutna vrednost

2024-09-12

└ Realna števila, statistika

- └ Sistem linearnih enačb

- Sistem linearnih enačb

Obravnavanje linearnih enačb, neenačb, sistemov

2024-09-12

- MATEMATIKA
 - Realna števila, statistika
 - Obravnavanje linearnih enačb, neenačb, sistemov
 - Obravnavanje linearnih enačb, neenačb, sistemov

Absolutna in relativna napaka

2024-09-12

MATEMATIKA	
└ Realna števila, statistika	
└ Absolutna in relativna napaka	
└ Absolutna in relativna napaka	

Razpršenost podatkov

Section 6

Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

1 Osnove logike in teorije množice

2 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe

3 Deljivost, izjave, množice

4 Racionalna števila

5 Realna števila, statistika

6 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

- Pravokotni koordinatni sistem
- Razdalja med točkama in razpolovišče daljice
- Ploščina trikotnika

Pravokotni koordinatni sistem

Razdalja med točkama in razpolovišče daljice

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija
 - └ Razdalja med točkama in razpolovišče daljice
 - └ Razdalja med točkama in razpolovišče daljice

Ploščina trikotnika

Osnovno o funkcijah

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija
 - └ Osnovno o funkcijah
 - └ Osnovno o funkcijah

Linearna funkcija in premica

Oblike enačbe premice

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija
 - └ Oblike enačbe premice
 - └ Oblike enačbe premice

Presešišče premic

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija
 - └ Presešišče premic
 - └ Presešišče premic

Sistem linearnih neenačb

Modeliranje z linearno funkcijo

2024-09-12

MATEMATIKA

- └ Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija
 - └ Modeliranje z linearno funkcijo
 - └ Modeliranje z linearno funkcijo

(i) Linearno programiranje

2024-09-12

MATEMATIKA

└─Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

└─(i) Linearno programiranje

└─(i) Linearno programiranje