72 7. Realna števila

7.11 Absolutna vrednost

Absolutna vrednost |x| števila x geometrijsko predstavlja oddaljenost točke, ki predstavlja število x, od izhodišča na številski premici.

$$|x| = \begin{cases} x & x \geqslant 0; \\ -x & x < 0. \end{cases}$$

Lastnosti absolutne vrednosti

- $|x| \geqslant 0$
- $|x| = 0 \Leftrightarrow x = 0$
- $\bullet \quad |-x| = |x|$
- $|x \cdot y| = |x| \cdot |y|$
- $|x+y| \le |x| + |y|$ trikotniška neenakost

Z absolutno vrednostjo izračunamo tudi razdaljo med x in y kot |x-y| ali |y-x|.

Naloga 7.64. Izračunajte.

- 13
- |-5|

- |-2| · |4|
 |-3| |5|
 |-1| · |-6|
 -|3| + |-9|

Naloga 7.65. Izračunajte.

- $\bullet \left| \frac{1}{5} 5 \right|$

- $\begin{vmatrix} 5 & 5 \\ -\frac{3}{4} \frac{2}{3} \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} \sqrt{5} 3 \\ -1 + \sqrt{2} \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} 1 |\sqrt{6} 3| \\ |\sqrt{2} 2| |1 \sqrt{2}| \end{vmatrix}$

Naloga 7.66. Odpravite absolutno vrednost.

- |a-2|
- |x+1|
- |4 − b|
- |2 + e|
- -|1-y|
- -|3+6y|

Naloga 7.67. Poenostavite izraze.

- x-2+|x|
- $3 \cdot |x-2| + x 1$
- |a-2|+|a|
- $3 \cdot |b-2| + |b-1|$
- ||x-2|+x||
- $3 \cdot ||y-2| + |y-1||$

Naloga 7.68. Rešite enačbe.

•
$$|x-2|=3$$

•
$$|3 - x| = 5$$

•
$$1 + |x - 7| = -6$$

•
$$|a+3| = 7 - |a+2|$$

•
$$|b-1|=2+|b+3|$$

•
$$|x-1|+|x+2|=3$$

Naloga 7.69. Rešite neenačbe.

•
$$|x-2| \ge 3$$

•
$$|3-x| < 5$$

•
$$1 + |x - 7| \le -6$$

•
$$|a+3| < 7 - |a+2|$$

•
$$|b-1| \ge 2 + |b+3|$$

•
$$||x-3|+2|<1$$

•
$$|x - |x - 3|| \ge 1$$

•
$$|x - |2x - 1| \ge 2$$