#### MATEMATIKA

1. letnik – splošna gimnazija

#### Jan Kastelic

Gimnazija Antona Aškerca, Šolski center Ljubljana

1. april 2025

### Vsebina

- Pravokotni koordinatni sistem
- Punkcija

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 1. april 2025 2 / 38

### Section 1

### Pravokotni koordinatni sistem



3/38

- 📵 Pravokotni koordinatni sistem
  - Pravokotni koordinatni sistem
  - Razdalja med točkama in razpolovišče daljice
  - Ploščina trikotnika
- 2 Funkcija

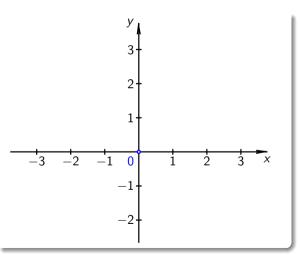


4/38

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ のQ@

5/38

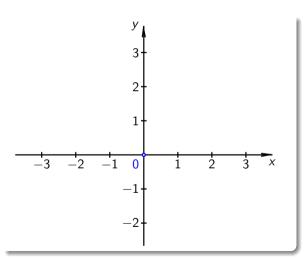
Pravokotni koordinatni sistem v ravnini oziroma kartezični ravninski koordinatni sistem določa par pravokotnih številskih premic (koordinatne osi), ki se sekata v koordinatnem izhodišču (O).



5/38

Pravokotni koordinatni sistem v ravnini oziroma kartezični ravninski koordinatni sistem določa par pravokotnih številskih premic (koordinatne osi), ki se sekata v koordinatnem izhodišču (*O*).

Koordinatni osi imenujemo:

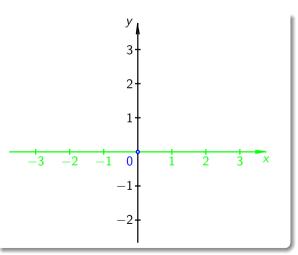


5/38

Pravokotni koordinatni sistem v ravnini oziroma kartezični ravninski koordinatni sistem določa par pravokotnih številskih premic (koordinatne osi), ki se sekata v koordinatnem izhodišču (O).

#### Koordinatni osi imenujemo:

• os x ali abscisna os.

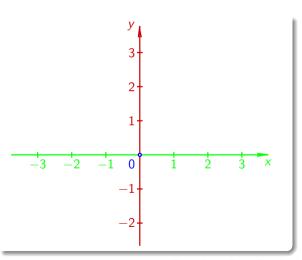


5/38

Pravokotni koordinatni sistem v ravnini oziroma kartezični ravninski koordinatni sistem določa par pravokotnih številskih premic (koordinatne osi), ki se sekata v koordinatnem izhodišču (O).

#### Koordinatni osi imenujemo:

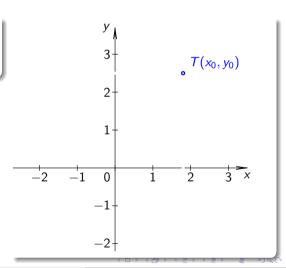
- os x ali abscisna os.
- os y ali ordinatna os.



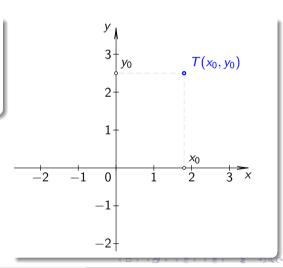
5/38

↓□▶ ←□▶ ←□▶ ←□▶ □ ♥ ♀○

Poljubni točki T v ravnini s pravokotnim koordinatnim sistemom lahko enolično določimo **koordinate točke**:  $T(x_0, y_0)$ .



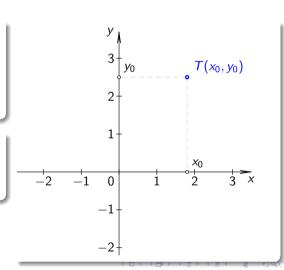
Poljubni točki T v ravnini s pravokotnim koordinatnim sistemom lahko enolično določimo **koordinate točke**:  $T(x_0, y_0)$ . To so števila, ki nam povedo, kje ležijo projekcije točke T na koordinatnih oseh.



 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 1. april 2025
 6 / 38

Poljubni točki T v ravnini s pravokotnim koordinatnim sistemom lahko enolično določimo **koordinate točke**:  $T(x_0, y_0)$ . To so števila, ki nam povedo, kje ležijo projekcije točke T na koordinatnih oseh.

Koordinate točke imenujemo:

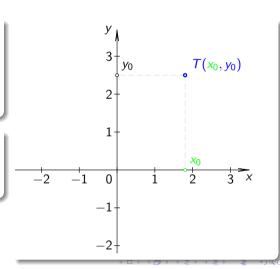


 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 1. april 2025
 6 / 38

Poljubni točki T v ravnini s pravokotnim koordinatnim sistemom lahko enolično določimo **koordinate točke**:  $T(x_0, y_0)$ . To so števila, ki nam povedo, kje ležijo projekcije točke T na koordinatnih oseh.

Koordinate točke imenujemo:

ullet prva koordinata  $x_0$  je abscisa točke T in

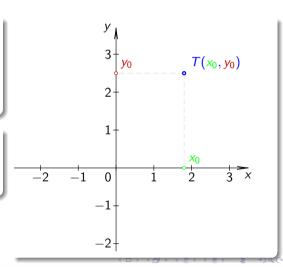


 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 1. april 2025
 6 / 38

Poljubni točki T v ravnini s pravokotnim koordinatnim sistemom lahko enolično določimo **koordinate točke**:  $T(x_0, y_0)$ . To so števila, ki nam povedo, kje ležijo projekcije točke T na koordinatnih oseh.

#### Koordinate točke imenujemo:

- prva koordinata  $x_0$  je abscisa točke T in
- druga koordinata  $y_0$  je ordinata točke T.

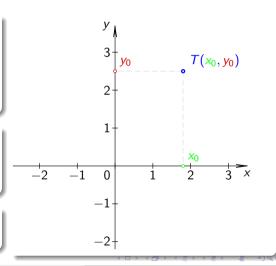


Poljubni točki T v ravnini s pravokotnim koordinatnim sistemom lahko enolično določimo **koordinate točke**:  $T(x_0, y_0)$ . To so števila, ki nam povedo, kje ležijo projekcije točke T na koordinatnih oseh.

Koordinate točke imenujemo:

- prva koordinata  $x_0$  je abscisa točke T in
- druga koordinata  $y_0$  je ordinata točke T.

Vsakemu urejenemu paru števil  $(x_0, y_0)$  ustreza natanko ena točka  $T(x_0, y_0)$ .



◆ロト ◆御 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 へ ○

7/38

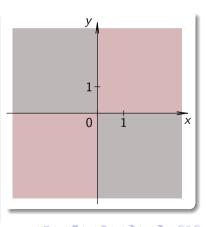
Vsaka premica v ravnini razdeli ravnino na dve polravnini.

4□ > 4□ > 4□ > 4 = > 4 = > 4 = 900

7/38

Vsaka premica v ravnini razdeli ravnino na dve polravnini.

Koordinatni osi ravnino  $\mathbb{R} \times \mathbb{R} = \mathbb{R}^2$  razdelita na štiri **kvadrante**.

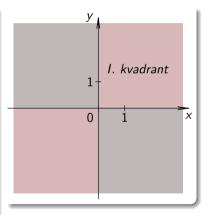


Vsaka premica v ravnini razdeli ravnino na dve polravnini.

Koordinatni osi ravnino  $\mathbb{R} \times \mathbb{R} = \mathbb{R}^2$  razdelita na štiri **kvadrante**.

• I. kvadrant:

$$\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; x > 0 \land y > 0\} = (0,\infty) \times (0,\infty)$$



1. april 2025

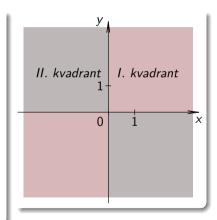
Jan Kastelic (GAA)

Vsaka premica v ravnini razdeli ravnino na dve polravnini.

Koordinatni osi ravnino  $\mathbb{R} \times \mathbb{R} = \mathbb{R}^2$  razdelita na štiri **kvadrante**.

- *I.* kvadrant:
  - $\{(x,y)\in\mathbb{R}^2; x>0 \land y>0\}=(0,\infty)\times(0,\infty)$
- *II*. kvadrant:

$$\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; x < 0 \land y > 0\} = (-\infty,0) \times (0,\infty)$$

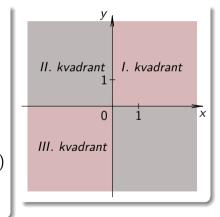


1. april 2025 7 / 38

Vsaka premica v ravnini razdeli ravnino na dve polravnini.

Koordinatni osi ravnino  $\mathbb{R} \times \mathbb{R} = \mathbb{R}^2$  razdelita na štiri **kvadrante**.

- *I*. kvadrant:  $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2; x > 0 \land y > 0\} = (0, \infty) \times (0, \infty)$
- *II.* kvadrant:  $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2; x < 0 \land y > 0\} = (-\infty, 0) \times (0, \infty)$
- *III.* kvadrant:  $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2; x < 0 \land y < 0\} = (-\infty, 0) \times (-\infty, 0)$



Jan Kastelic (GAA)

MATEMATIKA

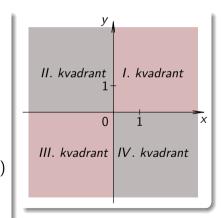
1. april 2025

7/38

Vsaka premica v ravnini razdeli ravnino na dve polravnini.

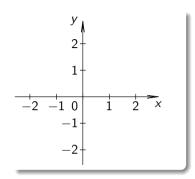
Koordinatni osi ravnino  $\mathbb{R} \times \mathbb{R} = \mathbb{R}^2$  razdelita na štiri **kvadrante**.

- *I*. kvadrant:  $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2; x > 0 \land y > 0\} = (0, \infty) \times (0, \infty)$
- *II.* kvadrant:  $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x < 0 \land y > 0\} = (-\infty, 0) \times (0, \infty)$
- III. kvadrant:  $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; x < 0 \land y < 0\} = (-\infty,0) \times (-\infty,0)$
- *IV*. kvadrant:  $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2; x > 0 \land y < 0\} = (0, \infty) \times (-\infty, 0)$

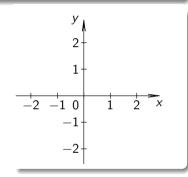


1. april 2025

Jan Kastelic (GAA)

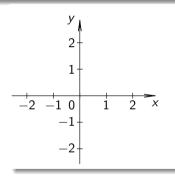


8/38



◆ロト ◆卸 ト ◆ 差 ト ◆ 差 ・ 夕 Q ②

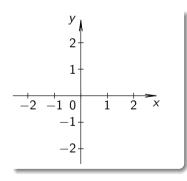
Na abscisni osi ležijo točke, ki imajo ordinato enako nič – so oblike  $T(x,0); x \in \mathbb{R}$ .  $\left\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; y=0\right\} = \mathbb{R} \times \{0\}$ 



↓□▶ ↓□▶ ↓□▶ ↓□▶ ↓□ ♥ ♀○

Na abscisni osi ležijo točke, ki imajo ordinato enako nič – so oblike  $T(x,0); x \in \mathbb{R}$ .  $\left\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; y=0\right\} = \mathbb{R} \times \{0\}$ 

Na ordinatni osi ležijo točke, ki imajo absciso enako nič – so oblike T(0, y);  $y \in \mathbb{R}$ .

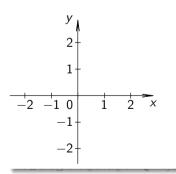


8/38

$$\{(x,y)\in\mathbb{R}^2;y=0\}=\mathbb{R}\times\{0\}$$

Na ordinatni osi ležijo točke, ki imajo absciso enako nič – so oblike  $T(0,y); y \in \mathbb{R}$ .

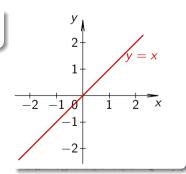
$$\{(x,y)\in\mathbb{R}^2; x=0\}=\{0\}\times\mathbb{R}$$



$$\{(x,y)\in\mathbb{R}^2;y=0\}=\mathbb{R}\times\{0\}$$

Na ordinatni osi ležijo točke, ki imajo absciso enako nič – so oblike  $T(0,y);\ y\in\mathbb{R}.$   $\left\{(x,y)\in\mathbb{R}^2;x=0\right\}=\{0\}\times\mathbb{R}$ 

Množico točk  $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; y = x\}$  imenujemo **simetrala lihih kvadrantov**.



 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 1. april 2025
 8 / 38

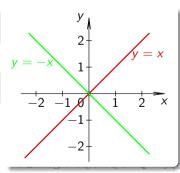
$$\left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^2; y=0 \right\} = \mathbb{R} \times \{0\}$$

Na ordinatni osi ležijo točke, ki imajo absciso enako nič – so oblike  $T(0,y);\ y\in\mathbb{R}.$ 

$$\left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^2; x=0 \right\} = \left\{ 0 \right\} \times \mathbb{R}$$

Množico točk  $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; y = x\}$  imenujemo **simetrala lihih kvadrantov**.

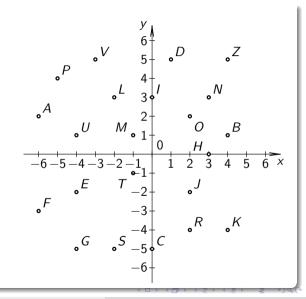
Množico točk  $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2; y = -x\}$  imenujemo **simetrala** sodih kvadrantov.



#### Naloga

V koordinatnem sistemu je narisanih 22 točk.

- Zapišite koordinate vseh točk, ki ležijo v II. kvadrantu.
- Zapišite koordinate vseh točk, ki ležijo v III. kvadrantu.
- V koordinatni sistem narišite še točke X(2,-1), Y(-3,-4), W(5,-3).
- Poimenujte točke.
  \_(2,-4), \_(-6,2), \_(1,5),
  (-2,-5), (-4,-2), (0,3)



#### Naloga

Narišite množico točk.

• 
$$\{T(x,y); x \ge -1\}$$

• 
$$\{T(x,y); y \leq 3\}$$

• 
$$\{T(x,y); x \leq 4 \land y < -1\}$$

• 
$$\{T(x,y); x \ge -2 \land y < 1\}$$

• 
$$\{T(x,y); -2 < x \le 4 \land -3 < y < 1\}$$

• 
$$\{T(x,y); 0 \le x < 4 \land -3 \le y < 3\}$$

• 
$$\{T(x,y); x < 4 \land y < -1\}$$

• 
$$\{T(x,y); |x| < 3\}$$

• 
$$\{T(x,y); x \ge 1 \land |y| < 1\}$$

• 
$$\{T(x,y); |x-3| < 1 \land y \ge 1\}$$

• 
$$\{T(x,y); |x| < 2 \land |y+3| \le 1\}$$

• 
$$\{T(x,y); x = y\}$$

$$\bullet \ \{T(x,y); \ x \geq y\}$$

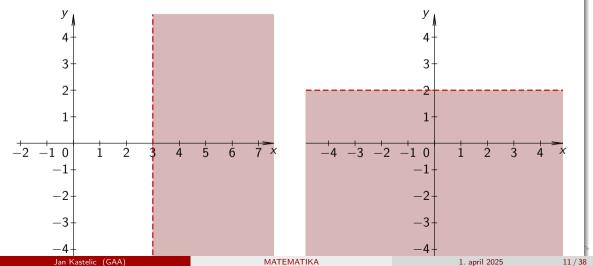
• 
$$\{T(x,y); xy \ge 0\}$$

10 / 38

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 1. april 2025 11/38

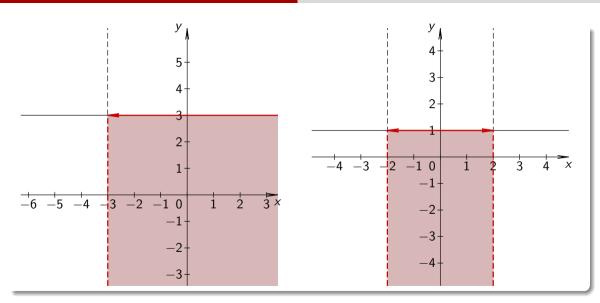
#### Naloga

Zapišite množico točk, ki je upodobljena v koordinatnem sistemu.





Pravokotni koordinatni sistem

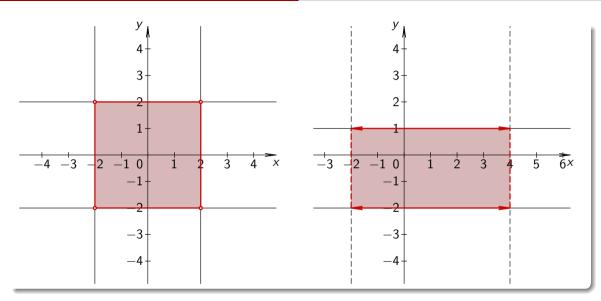


1. april 2025

MATEMATIKA

Pravokotni koordinatni sistem





MATEMATIKA

<ロト <部ト < 直ト < 直ト = 直

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 1. april 2025 14 / 38

Pravokotni koordinatni sistem

V koordinatnem sistemu narišite točke A(-2,3), B(0,4), C(0.5,-1) in D(-3,-1).

- Točke A, B, C in D prezrcalite čez abscisno os in zapišite koordinate točk  $A_1$ ,  $B_1$ ,  $C_1$  in  $D_1$ .
- Točke A, B, C in D prezrcalite čez ordinatno os in zapišite koordinate točk  $A_2$ ,  $B_2$ ,  $C_2$  in  $D_2$ .
- Točke A, B, C in D prezrcalite čez koordinatno izhodišče in zapišite koordinate točk A<sub>3</sub>, B<sub>3</sub>, C<sub>3</sub> in D<sub>3</sub>.

14 / 38

Pravokotni koordinatni sistem



Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 1. april 2025 15 / 38

V koordinatni sistem narišite točke (x, y) kartezičnega produkta.

- $[-2,3) \times [-5,-1]$
- $(-1,2) \times [2,3]$
- $\{2\} \times (3,5]$
- $[-2,3] \times \{3,4\}$
- $\{1,2,3\} \times \{-1,1\}$
- $(0,\infty)\times(1,2)$
- $[-1,3] \times (-\infty,3]$
- $(-1,3] \times \{2\}$



15/38



16/38

Razdalja med točkama

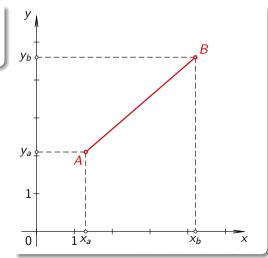


1. april 2025

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

### Razdalja med točkama

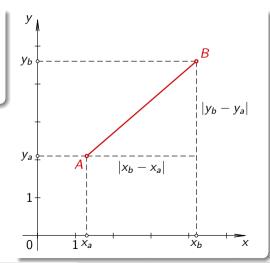
Razdalja d(A, B) med dvema točkama  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je



### Razdalja med točkama

Razdalja d(A, B) med dvema točkama  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je

$$d(A, B) = \sqrt{(x_b - x_a)^2 + (y_b - y_a)^2}.$$

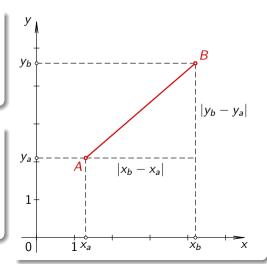


### Razdalja med točkama

Razdalja d(A, B) med dvema točkama  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je

$$d(A, B) = \sqrt{(x_b - x_a)^2 + (y_b - y_a)^2}.$$

#### Lastnosti razdalje



16/38

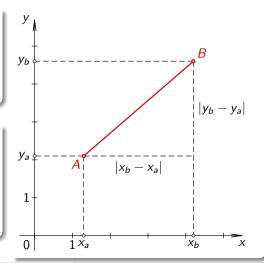
### Razdalja med točkama

Razdalja d(A, B) med dvema točkama  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je

$$d(A, B) = \sqrt{(x_b - x_a)^2 + (y_b - y_a)^2}.$$

#### Lastnosti razdalje

•  $d(A, B) \ge 0$ 



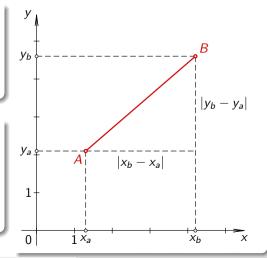
### Razdalja med točkama

Razdalja d(A, B) med dvema točkama  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je

$$d(A, B) = \sqrt{(x_b - x_a)^2 + (y_b - y_a)^2}.$$

### Lastnosti razdalje

- $d(A, B) \ge 0$
- $d(A, B) = 0 \Leftrightarrow A = B$



Jan Kastelic (GAA)

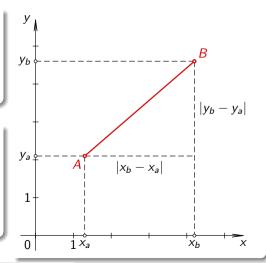
### Razdalja med točkama

Razdalja d(A, B) med dvema točkama  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je

$$d(A, B) = \sqrt{(x_b - x_a)^2 + (y_b - y_a)^2}.$$

### Lastnosti razdalje

- $d(A, B) \ge 0$
- $d(A, B) = 0 \Leftrightarrow A = B$
- d(A, B) = d(B, A)



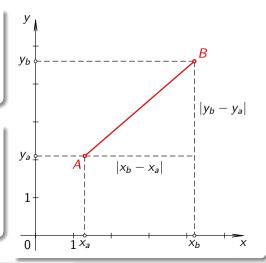
### Razdalja med točkama

Razdalja d(A, B) med dvema točkama  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je

$$d(A, B) = \sqrt{(x_b - x_a)^2 + (y_b - y_a)^2}.$$

### Lastnosti razdalje

- $d(A, B) \ge 0$
- $d(A, B) = 0 \Leftrightarrow A = B$
- d(A, B) = d(B, A)
- $d(A, C) \leq d(A, B) + d(B, C)$





Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 1. april 2025 17 / 38

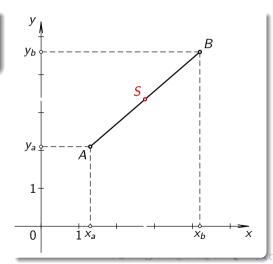
Razpolovišče daljice



17 / 38

### Razpolovišče daljice

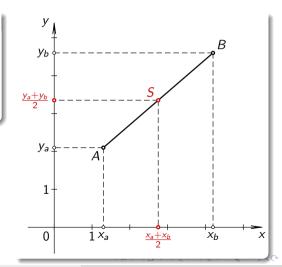
Razpolovišče S daljice AB s krajiščema  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je



### Razpolovišče daljice

Razpolovišče S daljice AB s krajiščema  $A(x_a, y_a)$  in  $B(x_b, y_b)$  v ravnini je

$$S\left(\frac{x_a+x_b}{2},\frac{y_a+y_b}{2}\right).$$



Razdalja med točkama in razpolovišče daljice

Izračunajte razdaljo med točkama.

- A(2,-1) in B(4,2)
- C(-3, -4) in D(3, -3)
- $E(\sqrt{3}, -7)$  in F(0, -3)
- $G(-\frac{3}{4},\frac{1}{2})$  in  $H(\frac{1}{4},-\frac{1}{2})$



18 / 38

Izračunajte razdaljo med točkama.

- A(2,-1) in B(4,2)
- C(-3, -4) in D(3, -3)
- $E(\sqrt{3}, -7)$  in F(0, -3)
- $G(-\frac{3}{4}, \frac{1}{2})$  in  $H(\frac{1}{4}, -\frac{1}{2})$

#### Naloga

Izračunajte koordinati razpolovišča S daljice XY.

- X(3,-2) in Y(5,4)
- X(-3,4) in Y(-2,-6)
- $X(\frac{2}{3}, -\frac{1}{2})$  in  $Y(-\frac{8}{3}, 1)$
- $X(2\sqrt{3}, -8)$  in  $Y(8\sqrt{3}, 2)$
- $X(5+\sqrt{7},-4)$  in  $Y(3-\sqrt{7},0)$

18 / 38

Razdalja med točkama in razpolovišče daljice

Ali je trikotnik  $\triangle ABC$ , kjer je A(-2, -3), B(8, 1) in C(1, 4), enakostraničen? Izračunajte njegov obseg.



19/38

Ali je trikotnik  $\triangle ABC$ , kjer je A(-2, -3), B(8, 1) in C(1, 4), enakostraničen? Izračunajte njegov obseg.

### Naloga

Izračunajte obseg kvadrata  $\Box ABCD$ , kjer je A(4, -4) in C(10, -2).



19 / 38

Ali je trikotnik  $\triangle ABC$ , kjer je A(-2, -3), B(8, 1) in C(1, 4), enakostraničen? Izračunajte njegov obseg.

### Naloga

Izračunajte obseg kvadrata  $\square ABCD$ , kjer je A(4, -4) in C(10, -2).

### Naloga

Izračunajte višino na osnovnico c v enakokrakem trikotnik  $\triangle ABC$ , kjer je A(-2, -7), B(4, -3) in C(3, -8).



19 / 38

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 1. april 2025 20 / 38

Razdalja med točkama in razpolovišče daljice

Dani sta točki M(-6,2) in N(x,11). Izračunajte absciso x točke tako, da bo dolžina daljice MN enaka  $9\sqrt{2}$ .



20 / 38

Dani sta točki M(-6,2) in N(x,11). Izračunajte absciso x točke tako, da bo dolžina daljice MN enaka  $9\sqrt{2}$ .

### Naloga

Izračunajte koordinati točke X in Y na abscisni in ordinatni osi, ki sta enako oddaljeni od točk G(-3, -6) in H(9, 6).

(ロ ) 《라 ) 《돌 ) 《돌 ) · ( 돌 ) 《 ( )

20/38

Dani sta točki M(-6,2) in N(x,11). Izračunajte absciso x točke tako, da bo dolžina daljice MN enaka  $9\sqrt{2}$ .

### Naloga

Izračunajte koordinati točke X in Y na abscisni in ordinatni osi, ki sta enako oddaljeni od točk G(-3, -6) in H(9, 6).

### Naloga

Določite točko U, ki leži na simetrali lihih kvadrantov in je enako oddaljena od točk P(-3, -5) in R(3, -7).

20/38

◆ロト ◆個ト ◆差ト ◆差ト 差 めなの

1. april 2025

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

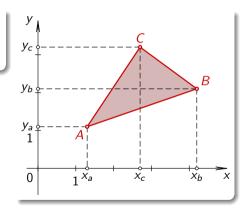
Ploščina trikotnika



Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

#### Ploščina trikotnika

Ploščina trikotnika  $\triangle ABC$  z oglišči  $A(x_a, y_a)$ ,  $B(x_b, y_b)$  in  $C(x_c, y_c)$  je



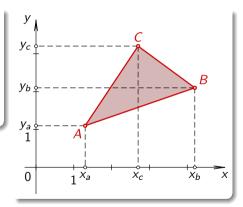
◆□▶ ◆□▶ ◆臺▶ ◆臺▶ · 臺 · 釣९ⓒ

21 / 38

#### Ploščina trikotnika

Ploščina trikotnika  $\triangle ABC$  z oglišči  $A(x_a, y_a)$ ,  $B(x_b, y_b)$  in  $C(x_c, y_c)$  je

$$S = rac{1}{2} \cdot orient \cdot \begin{vmatrix} x_b - x_a & y_b - y_a \\ x_c - x_a & y_c - y_a \end{vmatrix},$$

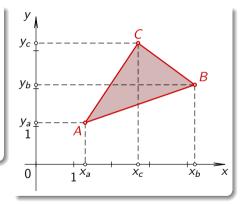


21/38

#### Ploščina trikotnika

Ploščina trikotnika  $\triangle ABC$  z oglišči  $A(x_a, y_a)$ ,  $B(x_b, y_b)$  in  $C(x_c, y_c)$  je

$$\begin{split} S &= \frac{1}{2} \cdot orient \cdot \begin{vmatrix} x_b - x_a & y_b - y_a \\ x_c - x_a & y_c - y_a \end{vmatrix} \\ &= \frac{orient}{2} \left[ (x_b - x_a)(y_c - y_a) - (y_b - y_a)(x_c - x_a) \right], \end{split}$$



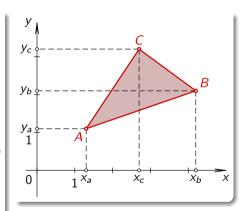
21 / 38

#### Ploščina trikotnika

Ploščina trikotnika  $\triangle ABC$  z oglišči  $A(x_a, y_a)$ ,  $B(x_b, y_b)$  in  $C(x_c, y_c)$  je

$$\begin{split} S &= \frac{1}{2} \cdot orient \cdot \begin{vmatrix} x_b - x_a & y_b - y_a \\ x_c - x_a & y_c - y_a \end{vmatrix} \\ &= \frac{orient}{2} \left[ (x_b - x_a)(y_c - y_a) - (y_b - y_a)(x_c - x_a) \right], \end{split}$$

$$\textit{kjer je} \\ \textit{orient} = \begin{cases} 1; & \triangle \textit{ABC pozitvno orientiran} \\ -1; & \triangle \textit{ABC negativno orientiran} \end{cases}.$$



21 / 38

Narišite trikotnik  $\triangle ABC$  in izračunajte njegovo ploščino.

- A(-4, -2), B(5, 1) in C(-2, 5)
- A(2,1), B(-5,1) in C(2,6)



22 / 38

Narišite trikotnik  $\triangle ABC$  in izračunajte njegovo ploščino.

- A(-4,-2), B(5,1) in C(-2,5)
- A(2,1), B(-5,1) in C(2,6)

#### Naloga

Ali so točke kolinearne?

- P(-4, -5), Q(4, -1) in R(10, 2)
- X(1,-7), Y(-2,2) in Z(3,2)

22 / 38

Določite x tako, da bo trikotnik  $\triangle ABC$ , z oglišči v A(-2, -3), B(5, 3) in C(x, -1), negativno orientiran in bo imel ploščino 17.



23 / 38

Določite x tako, da bo trikotnik  $\triangle ABC$ , z oglišči v A(-2, -3), B(5, 3) in C(x, -1), negativno orientiran in bo imel ploščino 17.

#### Naloga

Določite p tako, da bo imel trikotnik  $\triangle ABC$ , z oglišči v A(2,3), B(p,-3) in C(-1,6), ploščino 18.



23 / 38

Določite x tako, da bo trikotnik  $\triangle ABC$ , z oglišči v A(-2, -3), B(5, 3) in C(x, -1), negativno orientiran in bo imel ploščino 17.

#### Naloga

Določite p tako, da bo imel trikotnik  $\triangle ABC$ , z oglišči v A(2,3), B(p,-3) in C(-1,6), ploščino 18.

#### Naloga

Dani sta točki A(2, -4) in B(8, 3). Določite koordinati točke C, ki leži na simetrali lihih kvadrantov, da bo trikotnik  $\triangle ABC$  pozitivno orientiran in bo imel ploščino 17.

4 D > 4 P > 4 B > 4 B > B 9 Q Q

23 / 38

### Section 2

# Funkcija



Jan Kastelic (GAA)

- Pravokotni koordinatni sistem
- Punkcija
  - Linearna funkcija
  - Predpis linearne funkcije
  - Graf linearne funkcije

25 / 38

# Funkcija



26 / 38



 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 1. april 2025
 27 / 38

Funkcijo  $f:A\to B$  predstavite s tabelo. Izračunajte, kam posamezna funkcija preslika x=1.

• 
$$A = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}, B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, f(x) = |x| + 1$$

• 
$$A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \mathbb{N}, f(x) = 2x + 1$$

• 
$$A = B = \left\{\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\right\}, f(x) = \frac{1}{x}$$



27 / 38

Funkcijo  $f:A\to B$  predstavite s tabelo. Izračunajte, kam posamezna funkcija preslika x=1.

- $A = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}, B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, f(x) = |x| + 1$
- $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \mathbb{N}, f(x) = 2x + 1$
- $A = B = \left\{\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\right\}, f(x) = \frac{1}{x}$

#### Naloga

Tabelirajte funkcijo g(x) = 2x + |x| od -3 do 3 s korakom 1.



27 / 38



 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 1. april 2025
 28 / 38

Zapišite definicijska območja funkcij.

$$f(x) = \frac{-7}{x+1}$$

• 
$$g(x) = \frac{1}{(x+2)(x+6)}$$

• 
$$h(x) = \frac{3x^2 + 1}{5}$$

• 
$$i(x) = \sqrt{x-2}$$

• 
$$j(x) = x^3 - \frac{2}{3}$$

• 
$$k(x) = \sqrt{x^2 + 7}$$

$$I(x) = \frac{3}{x}$$

• 
$$m(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 - 5x - 6}$$

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA



29 / 38

Izračunajte ničle funkcij.

• 
$$f(x) = \frac{4}{5} - 6x$$

• 
$$g(x) = x^2 - 7x + 12$$

• 
$$h(x) = \frac{3x+6}{5}$$

• 
$$i(x) = x^2 - 9$$

• 
$$j(x) = x^2 + 1$$

• 
$$k(x) = x^2 - 3x^2 - 4x + 12$$

• 
$$I(x) = \sqrt{x+7}$$

$$m(x) = \frac{3}{x}$$



Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA



30 / 38

Izračunajte začetne vrednosti funkcij.

• 
$$f(x) = \frac{4}{5} - 6x$$

• 
$$g(x) = x^2 - 7x + 12$$

• 
$$h(x) = \frac{3x+6}{5}$$

• 
$$i(x) = x^2 - 9$$

• 
$$j(x) = x^2 - 3x^2 - 4x + 12$$

• 
$$k(x) = \sqrt{x+7}$$

$$I(x) = \frac{3}{x}$$

$$m(x) = \frac{x^3 - 2x^2 - 4}{x^4 + 2x^3 + 3}$$

30 / 38



 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 1. april 2025
 31/38

Narišite grafe funkcij in zapišite začetne vrednosti in ničle, če jih funkcija ima.

• 
$$f(x) = x$$
  $D_f = \mathbb{R}$ 

• 
$$g(x) = -2x + 1$$
  $D_g = \mathbb{R}$ 

• 
$$h(x) = x^2 - 1$$
  $D_h = \mathbb{R}$ 

• 
$$i(x) = \frac{1}{x^2}$$
  $D_i = \left\{-2, -1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1, 2\right\}$ 

• 
$$j(x) = \frac{x+2}{x-3}$$
  $D_j = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ 



31 / 38

## Predpis linearne funkcije



Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

Linearna funkcija

Ugotovite, ali je dana funkcija linearna. Linearnim funkcijam določite smerni koeficient in začetno vrednost.

• 
$$f(x) = \frac{1}{7x} - \frac{3}{4}$$

• 
$$g(x) = \frac{2}{3} - \pi x$$

• 
$$h(x) = \frac{8+6x}{24}$$

• 
$$i(x) = 0.\overline{3}x + 1$$

• 
$$j(x) = \frac{x^2 - 3}{5}$$

• 
$$k(x) = -\sqrt{2}x + \frac{2}{3}$$

• 
$$I(x) = 2$$



33 / 38

Linearna funkcija

Zapišite predpis linearne funkcije f, ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik -3.



34 / 38

Zapišite predpis linearne funkcije f, ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik -3.

### Naloga

Dana je linearna funkcija f(x) = 3x - 4. Izračunaj f(-2), f(0); f(5) in  $f(\sqrt{2})$ .



34 / 38

Zapišite predpis linearne funkcije f, ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik -3.

### Naloga

Dana je linearna funkcija f(x) = 3x - 4. Izračunaj f(-2), f(0); f(5) in  $f(\sqrt{2})$ .

#### Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije, za katero je u(-2) = 10 in u(0) = 2.



34 / 38

Linearna funkcija

Ali je funkcija naraščajoča ali padajoča?.

• 
$$f(x) = 3x + 5$$

• 
$$g(x) = -2x + 7$$

• 
$$h(x) = 10 - \frac{1}{2}x$$

$$i(x) = \frac{x-1}{2}$$

$$i(x) = \frac{5-2x}{3}$$

$$k(x) = \frac{-\sqrt{3}x + 1}{3}$$

• 
$$I(x) = -\frac{2-4x}{17}$$



35/38

Linearna funkcija

Izračunajte ničlo linearne funkcije.

• 
$$f(x) = 6x + 12$$

• 
$$g(x) = 5x + 2$$

• 
$$h(x) = 3x - 12$$

• 
$$i(x) = -4x + 8$$

• 
$$j(x) = -3x + 2$$

• 
$$k(x) = -x - 7$$

$$I(x) = \frac{1}{4}x - \frac{1}{4}$$

• 
$$m(x) = -\frac{2x+3}{6}$$

$$n(x) = \frac{1-4x}{2}$$

$$o(x) = \frac{\pi x + 4}{3}$$

• 
$$p(x) = \sqrt{2}x + 1$$

• 
$$r(x) = 4$$

## Predpis linearne funkcije



37 / 38

1. april 2025

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

## Graf linearne funkcije



Jan Kastelic (GAA)