124 13. Kotne funkcije

Zveze med kotnimi funkcijami 13.3

$$\tan \varphi = \frac{b}{a} = \frac{\frac{a}{c}}{\frac{b}{c}} = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi}$$

$$\tan \varphi \cdot \cot \varphi = \frac{a}{b} \cdot \frac{b}{a} = 1$$

$$\cot \varphi = \frac{a}{b} = \frac{\frac{b}{c}}{\frac{a}{c}} = \frac{\cos \varphi}{\sin \varphi}$$

$$\sin^2 \varphi + \cos^2 \varphi = 1$$

Naloga 13.16. Natančno izračunajte vrednosti preostalih kotnih funnkcj v pravokotnem trikotniku, če je kot α oster in velja:

• $\cos \alpha = 0.1$

• $\sin \alpha = \frac{6}{17}$ • $\tan \alpha = \frac{17}{2}$

Naloga 13.17. Poenostavite izraze s pomočjo zvez med kotnimi funkcijami.

•
$$1 - \sqrt{(1 - \sin^2 x)\cos^2 x}$$

• $\frac{\sin x}{\tan x} \cdot \cos x - 1$
• $\frac{1}{\tan x} + \frac{1 - 2\cos^2 x}{\sin x \cos x}$
• $\tan^2 x - \frac{1}{1 - \sin^2 x}$
• $\cos x \left(1 + \tan^2 x\right)$
• $\frac{\cos x}{1 + \sin x} + \frac{\cos x}{\sin x - 1}$
• $\sin x + \cos^2 x \cdot \sin^{-1} x$
• $\frac{(\sin x + \cos x)^2 - 1}{\tan x}$
• $\frac{(\sin x + \cos x)^2 - 1}{\sqrt{1 - \cos^2 x}}$
• $\frac{(\tan^{-1} x \cdot \sin x)}{\sqrt{1 - \cos^2 x}}$
• $\frac{(\tan^{-1} x \cdot \sin x)}{\sqrt{1 - \cos^2 x}}$
• $\frac{(\tan x \cos x)^{-2} + \cos^{-2} x}{\sin x - 1}$
• $\frac{1}{\cot x} \sin^{-1} x$
• $\frac{1}{\cot x} \sin^{-1} x$
• $\frac{1}{\cot x} \sin^{-1} x$

Naloga 13.18. Natančno izračunajte brez uporabe računala.

•
$$\frac{\cos 15^{\circ}}{\sin 75^{\circ}} - 2 \cdot \frac{\sin 15^{\circ}}{\cos 75^{\circ}}$$

• $\sin^2 55^{\circ} + \cos^2 45^{\circ} - \frac{\tan 33^{\circ}}{\sin 57^{\circ}}$
• $\sin^2 86^{\circ} \cdot (\sin^2 5^{\circ} + \sin^2 85^{\circ} + \tan^2 4^{\circ})$
• $\frac{1 - \sin^2 15^{\circ}}{\sin^2 75^{\circ}}$