MATEMATIKA

2. letnik – splošna gimnazija

Jan Kastelic

Gimnazija Antona Aškerca, Šolski center Ljubljana

27. julij 2025

 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 27. julij 2025
 1 / 40

Vsebina

Geometrija v ravnini



2 / 40

Section 1

Geometrija v ravnini



3 / 40

- 🚺 Geometrija v ravnini
 - Osnovni geometrijski pojmi
 - Skladnost in merjenje
 - Vzporednost in pravokotnost
 - Trikotnik
 - Krožnica, krog, lok
 - Štirikotnik in pravilni *n*-kotnik
 - Podobnost



4 / 40

Osnovni geometrijski pojmi

5 / 40

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

Osnovni geometrijski pojmi

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

6 / 40

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

Naloga

Ugotovite, ali obstaja *n*-kotnika, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

6 / 40

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

Naloga

Ugotovite, ali obstaja *n*-kotnika, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

Naloga

Kateri n-kotnik ima štirikrat toliko diagonal kot stranic?

6 / 40

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

Naloga

Ugotovite, ali obstaja *n*-kotnika, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

Naloga

Kateri n-kotnik ima štirikrat toliko diagonal kot stranic?

Naloga

Izračunajte, kateri n-kotnik ima: 104 diagonale, 230 diagonal, 2n-5 diagonal.

6/40

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

Naloga

Ugotovite, ali obstaja *n*-kotnika, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

Naloga

Kateri n-kotnik ima štirikrat toliko diagonal kot stranic?

Naloga

Izračunajte, kateri n-kotnik ima: 104 diagonale, 230 diagonal, 2n-5 diagonal.

Naloga

Pokažite, da ne obstaja n-kotnik, ki ima 13 diagonal.

Osnovni geometrijski pojmi

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Tri različne točke, so vedno nekolinearne.
- Petkotnik ima enako število diagonal in stranic.
- Štiri različne premice se sekajo v največ 4 različnih točkah.
- Skozi štiri kolinearne točke gredo tri različne premice.
- Vzporedni premici imata lahko neskončno mnogo skupnih točk.



7 / 40

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Tri različne točke, so vedno nekolinearne.
- Petkotnik ima enako število diagonal in stranic.
- Štiri različne premice se sekajo v največ 4 različnih točkah.
- Skozi štiri kolinearne točke gredo tri različne premice.
- Vzporedni premici imata lahko neskončno mnogo skupnih točk.

Naloga

Pokažite, da je število diagonal 25-kotnika večkratnik števila njegovih stranic.

7 / 40

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Tri različne točke, so vedno nekolinearne.
- Petkotnik ima enako število diagonal in stranic.
- Štiri različne premice se sekajo v največ 4 različnih točkah.
- Skozi štiri kolinearne točke gredo tri različne premice.
- Vzporedni premici imata lahko neskončno mnogo skupnih točk.

Naloga

Pokažite, da je število diagonal 25-kotnika večkratnik števila njegovih stranic.

Naloga

Vsota števila stranic in diagonal *n*-kotnika je 105? Kateri *n*-kotnik je to?

◆□▶◆□▶◆豆▶◆豆▶ 豆 かくぐ

7 / 40

Osnovni geometrijski pojmi

8 / 40

Izračunajte, kateri n-kotnik ima toliko diagonal kot stranic.

8 / 40

Izračunajte, kateri *n*-kotnik ima toliko diagonal kot stranic.

Naloga

Člani filatelističnega društva so se domenili, da si bodo za praznike spet pošiljali voščilnice po klasični pošti. Ko so se dobili po novem letu, so prinesli vse voščilnice in jih našteli 132. Izračunajte, koliko članov društva, si je medseboj poslalo voščilnice.

8 / 40

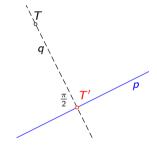
Kot



Preslikave na ravnini

Pravokotna projekcija

Dani sta točka T in premica p. Naj bo q tista pravokotnica na premico p, ki poteka skozi točko T. Presečišče T' premice q s premico p imenujemo **pravokotna projekcija** točke T na premico p. Točka T' je točki T najbližja točka premice p.



Razdalja točke T od premice p je:

$$d(T, p) = d(T, T') = |TT'|.$$

Pravokotna projekcija daljice AB na premico je daljica A'B', katere krajišči sta pravokotni projekciji točk A in B.

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025 10 / 40

Toge preslikave

Toga preslikava (izometrija) je preslikava v ravnini, ki ohranja razdalje.

$$\tau: A \mapsto A'$$
$$\tau: B \mapsto B'$$
$$d(A, B) = d(A', B')$$

Med toge preslikave spadajo:

- vzporedni premiki;
- zrcaljenje preko premice;
- zrcaljenje preko točke;
- rotacija okoli točke.

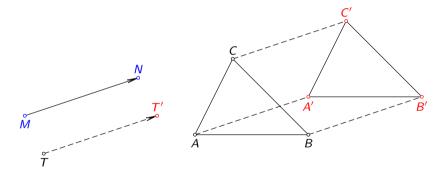
Če kombiniramo več togih preslikav, je dobljena preslikava spet toga preslikava.



11 / 40

Vzporedni premik/translacija

Vzporedni premik ali **translacija** za dano usmerjeno daljico \overrightarrow{MN} preslika točko T v tako točko T', da sta daljici TT' in MN enako dolgi, vzporedni in enako usmerjeni.

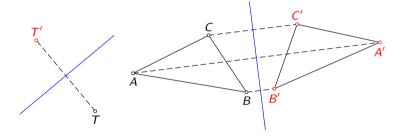


Vzporedni premik ohranja orientacijo likov, daljice preslika v enako dolge vzporedne daljice, ohranja velikost kotov, like preslika v skladne like, nima negibnih točk za $\overrightarrow{MN} \neq \overrightarrow{0}$.

 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 27. julij 2025
 12 / 40

Zrcaljenje preko premice

Zrcaljenje čez premico p preslika točko T v tako točko T', da premica p pod pravim kotom razpolavlja daljico TT'.

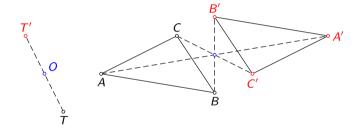


Zrcaljenje čez premico daljice preslika v enako dolge daljice, ohranja velikost kotov, ne ohranja orientacije likov, like preslika v skladne like, premic ne preslika v vzporedne premice.

13 / 40

Zrcaljenje preko točke

Zrcaljenje čez točko O preslika točko T v tako točko T', da je O razpolovišče daljice TT'. Ta preslikava je enaka vrtenju okrog točke za 180° .



Zrcaljenje čez točko daljice preslika v enako dolge daljice, ohranja velikosti kotov in orientacijo likov, like preslika v skladne like, premice preslika v vzporedne premice.

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ 900

14 / 40

Simetrija

Množica točk \mathcal{M} je simetrična/somerna glede na premico p, če se pri zrcaljenju čez premico p preslika sama vase. Premico p imenujemo simetrala, somernica, simetrijska os množice \mathcal{M} .

Množica točk \mathcal{M} je **središčno simetrična/somerna glede na točko** T, če se pri zrcaljenju čez točko T preslika sama vase. Točko T imenujemo **center simetrije** množice \mathcal{M} .

15 / 40

イロト イ団ト イヨト イヨト ヨー かなべ

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.



16 / 40

Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.

ļ





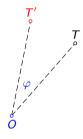
Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.





16 / 40

Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.



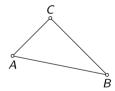


16 / 40

Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.



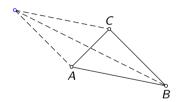




Jan Kastelic (GAA)

Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.

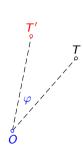


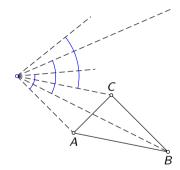




16 / 40

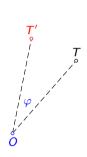
Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.

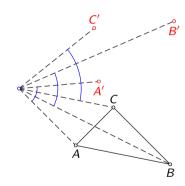




16 / 40

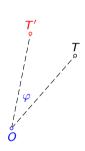
Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.

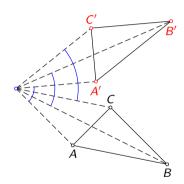




Jan Kastelic (GAA)

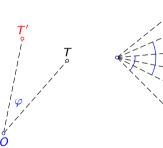
Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.

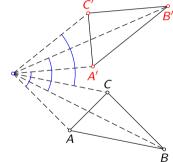




Jan Kastelic (GAA)

Vrtenje ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot φ okrog točke O preslika točko T v točko T', da velja: |OT| = |OT'| in $\angle TOT' = \varphi$.





Vrtenje okoli točke preslika daljice v enako dolge daljice, ohranja velikosti kotov in orientacijo likov, like preslika v skladne like, premic pa ne preslika v vzporedne premice.

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025 16 / 40

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025 17 / 40

Skladnost in merjenje

Izračunajte dolžino daljice, če ena polovica meri 2x - 7 enot, druga polovica pa x + 8 enot.



17 / 40

Izračunajte dolžino daljice, če ena polovica meri 2x-7 enot, druga polovica pa x+8 enot.

Naloga

Izračunaj dolžino x daljice AB, če je točka S njeno razpolovišče, točka R pa razpolovišče daljice SB in je $|SR| = \frac{x}{2} - 1$.



17 / 40

Izračunajte dolžino daljice, če ena polovica meri 2x - 7 enot, druga polovica pa x + 8 enot.

Naloga

Izračunaj dolžino x daljice AB, če je točka S njeno razpolovišče, točka R pa razpolovišče daljice SB in je $|SR|=\frac{x}{3}-1$.

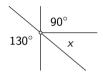
Naloga

Izračunajte velikosti kotov α in β , če je $\alpha=\beta.$ Podatke razberite s skice.



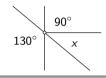
Skladnost in merjenje

Iz podatkov na skici izračunajte neznano velikost kota x.



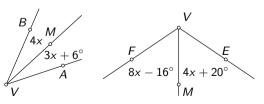
Jan Kastelic (GAA)

Iz podatkov na skici izračunajte neznano velikost kota x.



Naloga

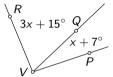
Izračunajte velikosti kotov $\angle AVM$ in $\angle FVE$, če poltrak VM obakrat razpolavlja kot.





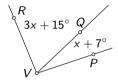
Skladnost in merjenje

Izračunajte velikost kota $\angle PVQ$, če je $\angle PVR = 94^{\circ}$.



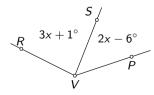
19 / 40

Izračunajte velikost kota $\angle PVQ$, če je $\angle PVR = 94^{\circ}$.



Naloga

Izračunajte velikost kota $\angle SVR$, če je $\angle QVS = 50^{\circ}$.



Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025 20 / 40

Skladnost in merjenje

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Sokota sta suplementarna.
- ullet Kot z velikostjo 45 $^\circ$ je komplementaren samemu sebi.
- Dve premici, ki se sekata, lahko določata kota z velikostjo 43° in 137°.
- Vsota velikosti dveh komplementarnih kotov je pravi kot.
- Suplementarna kota sta vedno tudi sokota.



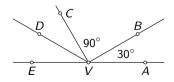
20 / 40

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Sokota sta suplementarna.
- Kot z velikostjo 45° je komplementaren samemu sebi.
- Dve premici, ki se sekata, lahko določata kota z velikostjo 43° in 137°.
- Vsota velikosti dveh komplementarnih kotov je pravi kot.
- Suplementarna kota sta vedno tudi sokota.

Naloga

Poltrak VD razpolavlja $\angle CVE$, $\angle BVC$ je pravi kot. Določite velikosti kotov $\angle AVD$ in $\angle BVE$.



Jan Kastelic (GAA)MATEMATIKA27. julij 202520 / 40

Vzporednost



27. julij 2025

Jan Kastelic (GAA)

Vzporednost in pravokotnost

Narišite kvadrat s stranico dolžine 1 in ga:

- vzporedno premaknite vzdolž ordinatne osi za 3 enota;
- zavrtite okrog oglišča B za kot 45° v negativni smeri;
- zrcalite preko nosilke stranice CD.

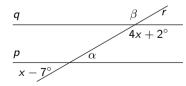
22 / 40

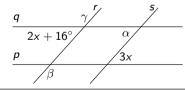
Narišite kvadrat s stranico dolžine 1 in ga:

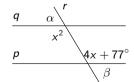
- vzporedno premaknite vzdolž ordinatne osi za 3 enota;
- zavrtite okrog oglišča B za kot 45° v negativni smeri;
- zrcalite preko nosilke stranice CD.

Naloga

Izračunajte velikosti kotov α , β in γ . Podatke razberite iz skic. Velja $p \parallel q$ in $r \parallel s$.







27. julij 2025

Vzporednost in pravokotnost

Izračunajte velikosti vseh notranjih in zunanjih kotov trikotnika $\triangle ABC$, če je vsota velikosti dveh zunanjih kotov $\alpha' + \gamma' = 230^{\circ}$, vsota velikosti dveh notranjih kotov pa $\alpha + \beta = 70^{\circ}$.

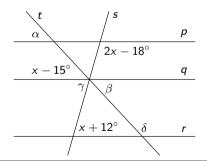


23 / 40

Izračunajte velikosti vseh notranjih in zunanjih kotov trikotnika $\triangle ABC$, če je vsota velikosti dveh zunanjih kotov $\alpha' + \gamma' = 230^\circ$, vsota velikosti dveh notranjih kotov pa $\alpha + \beta = 70^\circ$.

Naloga

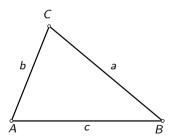
S skice preberite ustrezne podatke ter izračunajte velikosti kotov α , β , γ in δ . Pri tem velja, da so premice p, q in r vzporedne.





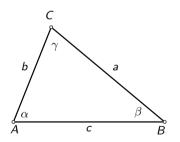
27. julij 2025

Trikotnik je lik/množica točk v ravnini, omejena s tremi daljicami – **stranice** (a, b, c), ki povezujejo tri nekolinearne točke (A, B, C) v ravnini. Te točke imenujemo **oglišča** trikotnika.



24 / 40

Trikotnik je lik/množica točk v ravnini, omejena s tremi daljicami – **stranice** (a, b, c), ki povezujejo tri nekolinearne točke (A, B, C) v ravnini. Te točke imenujemo **oglišča** trikotnika.

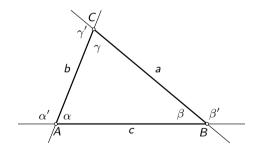


V trikotniku $\triangle ABC$ so α, β in γ notranji koti,



24 / 40

Trikotnik je lik/množica točk v ravnini, omejena s tremi daljicami – **stranice** (a, b, c), ki povezujejo tri nekolinearne točke (A, B, C) v ravnini. Te točke imenujemo **oglišča** trikotnika.



V trikotniku $\triangle ABC$ so α, β in γ **notranji koti**, njihovi sokoti α', β' in γ' pa so **zunanji koti**.

- <□ > <□ > <□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ ○ ○ □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

24 / 40

Vsota notranjih kotov trikotnika je 180°:

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$
.



25 / 40

Vsota notranjih kotov trikotnika je 180°:

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$
.

Zunanji kot trikotnika je enak vsoti notranjih nepriležnih kotov:

$$\alpha' = \beta + \gamma$$
$$\beta' = \alpha + \gamma$$
$$\gamma' = \alpha + \beta$$

Jan Kastelic (GAA)

Vsota notranjih kotov trikotnika je 180°:

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$
.

Zunanji kot trikotnika je enak vsoti notranjih nepriležnih kotov:

$$\alpha' = \beta + \gamma$$
$$\beta' = \alpha + \gamma$$
$$\gamma' = \alpha + \beta$$

Vsota zunanjih kotov trikotnika je 360°:

$$\alpha' + \beta' + \gamma' = 360^{\circ}.$$



27. julij 2025

Nasproti daljše stranice trikotnika leži večji notranji kot, nasproti krajše stranice pa manjši notranji kot trikotnika.

$$a > b \Leftrightarrow \alpha > \beta$$

26 / 40

Nasproti daljše stranice trikotnika leži večji notranji kot, nasproti krajše stranice pa manjši notranji kot trikotnika.

$$a > b \Leftrightarrow \alpha > \beta$$

Trikotniška neenakost

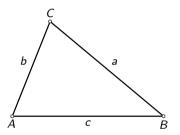
Vsaka stranica trikotnika je krajša od vsote dolžin drugih dveh stranic.

$$a < b + c$$

$$b < a + c$$

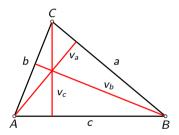
$$c < a + b$$

Višina na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje nosilko te stranice z nasprotnim ogliščem in je pravokotna na to nosilko. Njena dolžina je razdalja oglišča od nasprotne stranice.



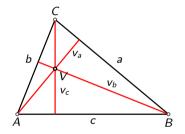
27 / 40

Višina na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje nosilko te stranice z nasprotnim ogliščem in je pravokotna na to nosilko. Njena dolžina je razdalja oglišča od nasprotne stranice.



27 / 40

Višina na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje nosilko te stranice z nasprotnim ogliščem in je pravokotna na to nosilko. Njena dolžina je razdalja oglišča od nasprotne stranice.

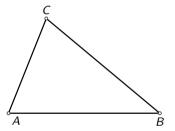


Nosilke vseh treh višin na stranice trikotnika se sekajo v eni točki, ki jo imenujemo **višinska točka** ali **ortocenter**.

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 90

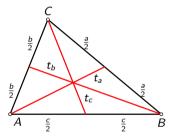
27 / 40

Težiščnica na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje razpolovišče te stranice z nasprotnim ogliščem.



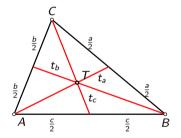
28 / 40

Težiščnica na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje razpolovišče te stranice z nasprotnim ogliščem.



28 / 40

Težiščnica na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje razpolovišče te stranice z nasprotnim ogliščem.

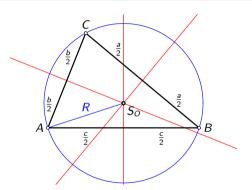


Vse tri trikotnikove težiščnice se sekajo v eni točki – **težišču** ali **baricentru** trikotnika. Težišče deli težiščnico v razmerju 1 : 2.

◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ◆□▶ ■ のQの

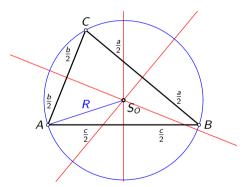
28 / 40

Simetrale vseh treh stranic trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku očrtane krožnice**.



29 / 40

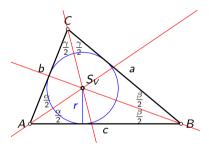
Simetrale vseh treh stranic trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku očrtane krožnice**.



Očrtana krožnica poteka skozi vsa tri oglišča trikotnika. Vse tri stranice trikotnika so tetive te krožnice.

 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 27. julij 2025
 29 / 40

Simetrale notranjih kotov trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku včrtane krožnice**.

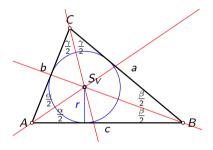




30 / 40

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025

Simetrale notranjih kotov trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku včrtane krožnice**.



Včrtana krožnica ima vse tri stranice trikotnika za tangente.

30 / 40

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025

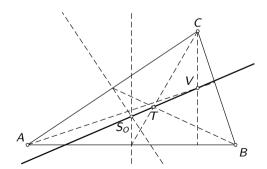
Težišče, središče trikotniku očrtane kroznice, središče trikotniku včrtane krožnice in višinska točka so **znamenite točke trikotnika**.

< ロト < 個 ト < 重 ト < 重 ト ■ ● へ Q ○

31 / 40

Težišče, središče trikotniku očrtane kroznice, središče trikotniku včrtane krožnice in višinska točka so **znamenite točke trikotnika**.

Višinska točka, središče očrtane krožnice in težišče so vedno kolinearne. Premico, ki jih povezuje, imenujemo **Eulerjeva premica**.



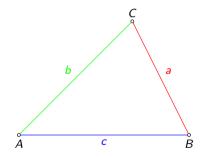
 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 27. julij 2025
 31/40



27. julij 2025

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

RAZNOSTRANIČNI TRIKOTNIK



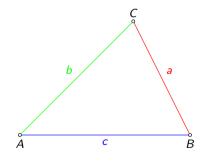
vse tri stranice različno dolge



27. julij 2025

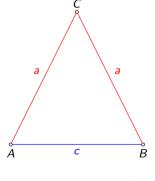
Jan Kastelic (GAA)

RAZNOSTRANIČNI TRIKOTNIK



vse tri stranice različno dolge

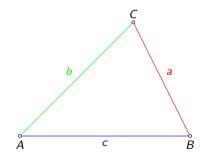
ENAKOKRAKI TRIKOTNIK



dve stranici enako dolgi

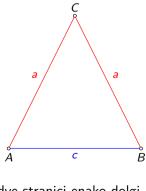
27. julij 2025

RAZNOSTRANIČNI TRIKOTNIK



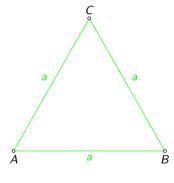
vse tri stranice različno dolge

ENAKOKRAKI TRIKOTNIK



dve stranici enako dolgi

ENAKOSTRANIČNI ali PRAVILNI TRIKOTNIK

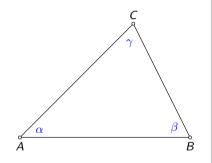


vse tri stranice enako dolge



Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

OSTROKOTNI TRIKOTNIK

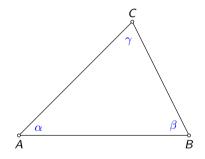


ima tri ostre notranje kote



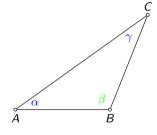
Jan Kastelic (GAA)

OSTROKOTNI TRIKOTNIK



ima tri ostre notranje kote

TOPOKOTNI TRIKOTNIK

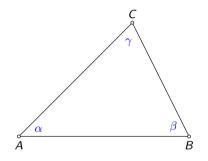


ima en topi notranji kot, ostala dva kota ostra



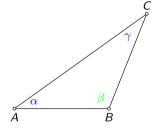
Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 33 / 40

OSTROKOTNI TRIKOTNIK



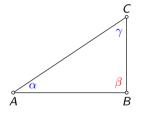
ima tri ostre notranje kote

TOPOKOTNI TRIKOTNIK



ima en topi notranji kot, ostala dva kota ostra

PRAVOKOTNI TRIKOTNIK



ima en pravi notranji kot, ostala dva kot ostra

Dve stranici trikotnika merita 2 in 7 enot. Zapišite interval vrednosti za dolžino tretje stranice tega trikotnika.



34 / 40

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025

Dve stranici trikotnika merita 2 in 7 enot. Zapišite interval vrednosti za dolžino tretje stranice tega trikotnika.

Naloga

Ali obstaja trikotnik, katerega dolžine stranic so rešitve sistema enačb:

$$a+b+c=16$$

$$a-c=2$$

$$a+b=13$$

Dve stranici trikotnika merita 2 in 7 enot. Zapišite interval vrednosti za dolžino tretje stranice tega trikotnika.

Naloga

Ali obstaja trikotnik, katerega dolžine stranic so rešitve sistema enačb:

$$a + b + c = 16$$

 $a - c = 2$
 $a + b = 13$.

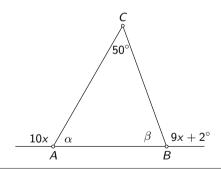
Naloga

Za katere vrednosti števila x obstaja trikotnik s stranicami dolžin x + 7, 2x + 2 in 3x - 1?



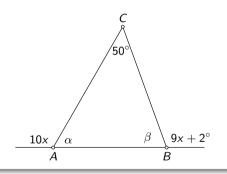
34 / 40

Izračunajte velikosti kotov α in β .



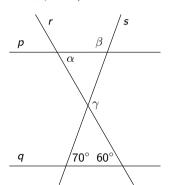
Jan Kastelic (GAA)

Izračunajte velikosti kotov α in β .



Naloga

Premici p in q sta vzporedni. Izračunajte velikosti kotov α , β in γ .



Krog



27. julij 2025

Krog

Krožnica je množica ravninskih točk, ki so enako oddaljene od dane točke *S*. Točko *S* imenujemo **središče** krožnice, razdalja *r* med središčem in poljubno točko na krožnici pa je **polmer** ali **radij** krožnice.



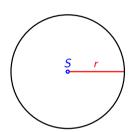
36 / 40

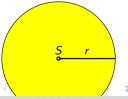
Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025

Krog

Krožnica je množica ravninskih točk, ki so enako oddaljene od dane točke S. Točko S imenujemo **središče** krožnice, razdalja r med središčem in poljubno točko na krožnici pa je **polmer** ali **radij** krožnice.

Krog s središčem S in polmerom r je množica ravninskih točk, katerih oddaljenost od središča je manjša ali enaka r. To pomeni, da je krog del ravnine omejen s krožnico.





Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 27. julij 2025 36 / 40

Štirikotnik



 Jan Kastelic (GAA)
 MATEMATIKA
 27. julij 2025
 37 / 40

Večkotnik

◆□▶ ◆□▶ ◆臺▶ ◆臺▶ · 臺 · 釣९ⓒ

38 / 40

Podobnost



Jan Kastelic (GAA)

Podobnost v pravokotnem trikotniku



Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA