### MATEMATIKA

1. letnik – splošna gimnazija

#### Jan Kastelic

Gimnazija Antona Aškerca, Šolski center Ljubljana

5. april 2025

# Vsebina

¶ Funkcija

2/33

### Section 1

Funkcija



Jan Kastelic (GAA)

MATEMATIKA

- Funkcija
  - Funkcija
  - Linearna funkcija
  - Graf linearne funkcije



4/33



Jan Kastelic (GAA)

Preslikava



#### Preslikava

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni množici.



5/33

#### Preslikava

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni množici.

**Preslikava** *f* sestoji iz:

f :

5. april 2025

#### Preslikava

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni množici.

**Preslikava** *f* sestoji iz:

• množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,

 $f: \mathcal{X}$ 

5/33

#### Preslikava

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni množici.

**Preslikava** *f* sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- ullet množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in

 $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$ 

5/33

#### Preslikava

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni množici.

**Preslikava** *f* sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- ullet množice  ${\cal Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- **prirejanja**, ki vsakemu elementu *x* domene priredi natanko en element *y* kodomene.

 $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  $f: x \mapsto y$ 

5/33

#### Preslikava

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni množici.

**Preslikava** *f* sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- ullet množice  ${\cal Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- prirejanja, ki vsakemu elementu x domene priredi natanko en element y kodomene.

Elemente x kodomene  $\mathcal{X}$  imenuiemo **originali** preslikave.

$$f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$$
$$f: x \mapsto y$$

5/33

#### Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava** *f* sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- prirejanja, ki vsakemu elementu x domene priredi natanko en element v kodomene.

 $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  $f: x \mapsto y$ 

Elemente x kodomene  $\mathcal{X}$  imenujemo **originali** preslikave.

Če elementu x priredimo element y iz kodomene, potem y imenujemo **slika** elemeta x.

5/33

#### Preslikava

Naj bosta  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$  neprazni množici.

**Preslikava** *f* sestoji iz:

- množice  $\mathcal{X}$ , ki ji pravimo **domena**,
- množice  $\mathcal{Y}$ , ki ji pravimo **kodomena** in
- prirejanja, ki vsakemu elementu x domene priredi natanko en element v kodomene.

 $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  $f: x \mapsto y$ 

Elemente x kodomene  $\mathcal{X}$  imenujemo **originali** preslikave.

Če elementu x priredimo element y iz kodomene, potem y imenujemo **slika** elemeta x.

Preslikavo lahko podamo s predpisom, puščičnim diagramom, besednim opisom ...

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 5. april 2025 5/33



Jan Kastelic (GAA)

### Funkcija



Jan Kastelic (GAA)

### Funkcija

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni številski množici.



6/33

### Funkcija

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni številski množici.

**Funkcija** f je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :



6/33

### Funkcija

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni številski množici.

**Funkcija** f je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :

$$f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$$
.

6/33

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

### Funkcija

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni številski množici.

**Funkcija** f je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :

$$f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$$
.

Število y je **funkcijska vrednost** števila x, če se število x preslika v število y.

$$f(x) = y$$



6/33

#### Funkcija

Naj bosta  ${\mathcal X}$  in  ${\mathcal Y}$  neprazni številski množici.

**Funkcija** f je preslikava med številskima množicama  $\mathcal{X}$  in  $\mathcal{Y}$ :

$$f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$$
.

Število y je **funkcijska vrednost** števila x, če se število x preslika v število y.

$$f(x) = y$$

x je neodvisna spremenjlivka, f(x) je od x odvisna spremenljivka.



6/33

•  $f: \mathcal{X} \to \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  – realna funkcija realne spremenljivke;



7/33

- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  realna funkcija realne spremenljivke;
- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  realna funkcija naravne spremenljivke;



7/33

- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{R}$ ;  $\mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  realna funkcija realne spremenljivke;
- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{R}$ ;  $\mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  realna funkcija naravne spremenljivke;
- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{N}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  naravna funkcija realne spremenljivke;



7/33

- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{R}$ ;  $\mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  realna funkcija realne spremenljivke;
- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{R}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  realna funkcija naravne spremenljivke;
- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{N}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{R}$  naravna funkcija realne spremenljivke;
- $f: \mathcal{X} \to \mathbb{N}; \mathcal{X} \subseteq \mathbb{N}$  naravna funkcija naravne spremenljivke.



7 / 33



8/33

5. april 2025

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

Definicijsko območje



8/33

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

### Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .



8 / 33

### Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.



8 / 33

### Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.

#### Zaloga vrednosti



8 / 33

#### Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.

#### Zaloga vrednosti

**Zaloga vrednosti** preslikave ali funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica vseh slik oziroma funkcijskih vrednosti. Oznaka:  $Z_f$ .



8 / 33

Funkciia

## Definicijsko območje in zaloga vrednosti

#### Definicijsko območje

**Definicijsko območje** preslikave ali funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica vseh originalov, ki jih v danem primeru opazujemo. Oznaka:  $D_f$ .

Za definicijsko območje navadno vzamemo največjo možno množico, za katero je predpis funkcije veljaven/definiran.

### Zaloga vrednosti

**Zaloga vrednosti** preslikave ali funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica vseh slik oziroma funkcijskih vrednosti. Oznaka:  $Z_f$ .

Zaloga vrednosti  $Z_f$  je podmnožica kodomene  $\mathcal{Y}$ :  $Z_f \subseteq \mathcal{Y}$ .

8 / 33

### Naloga

Funkcijo  $f:A\to B$  predstavite s tabelo. Izračunajte, kam posamezna funkcija preslika x=1.

- $A = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}, B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, f(x) = |x| + 1$
- $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \mathbb{N}, f(x) = 2x + 1$
- $A = B = \left\{\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\right\}, f(x) = \frac{1}{x}$



9/33

Funkcijo  $f:A\to B$  predstavite s tabelo. Izračunajte, kam posamezna funkcija preslika x=1.

- $A = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}, B = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, f(x) = |x| + 1$
- $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \mathbb{N}, f(x) = 2x + 1$
- $A = B = \left\{\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, 1, 2, 3\right\}, f(x) = \frac{1}{x}$

### Naloga

Tabelirajte funkcijo g(x) = 2x + |x| od -3 do 3 s korakom 1.



9/33

Funkcija

Zapišite definicijska območja funkcij.

$$f(x) = \frac{-7}{x+1}$$

• 
$$g(x) = \frac{1}{(x+2)(x+6)}$$

• 
$$h(x) = \frac{3x^2 + 1}{5}$$

• 
$$i(x) = \sqrt{x-2}$$

• 
$$j(x) = x^3 - \frac{2}{3}$$

• 
$$k(x) = \sqrt{x^2 + 7}$$

$$I(x) = \frac{3}{x}$$

• 
$$m(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 - 5x - 6}$$

Jan Kastelic (GAA)



11/33

Ničla funkcije



11/33

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 5

#### Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije f enaka  $0: f(x_0) = 0$ .



11/33

#### Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije f enaka  $0: f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije f poiščemo tako, da rešimo enačbo f(x) = 0.



11 / 33

#### Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije f enaka  $0: f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije f poiščemo tako, da rešimo enačbo f(x) = 0.

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije f.



11/33

#### Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije f enaka  $0: f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije f poiščemo tako, da rešimo enačbo f(x) = 0.

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije f.

#### Začetna vrednost



11/33

#### Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije f enaka  $0: f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije f poiščemo tako, da rešimo enačbo f(x) = 0.

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije f.

#### Začetna vrednost

**Začetna vrednost** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je funkcijska vrednost pri x = 0, to je f(0).



11/33

#### Ničla funkcije

**Ničla** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je tista vrednost  $x_0 \in \mathcal{X}$  neodvisne spremenljivke, pri kateri je vrednost funkcije f enaka  $0: f(x_0) = 0$ .

Ničle funkcije f poiščemo tako, da rešimo enačbo f(x) = 0.

Ničle so le tiste izmed vrednosti, ki ležijo v definicijskem območju  $D_f$  funkcije f.

#### Začetna vrednost

**Začetna vrednost** funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je funkcijska vrednost pri x = 0, to je f(0).

Začetna vrednost obstaja le, če je 0 v definicijskem območju funkcije  $f: 0 \in D_f$ .

(ロト 4回 ト 4 E ト 4 E ト ) E り 9 Q (で

11/33

Funkcija

Izračunajte ničle funkcij.

• 
$$f(x) = \frac{4}{5} - 6x$$

• 
$$g(x) = x^2 - 7x + 12$$

• 
$$h(x) = \frac{3x+6}{5}$$

• 
$$i(x) = x^2 - 9$$

• 
$$j(x) = x^2 + 1$$

• 
$$k(x) = x^2 - 3x^2 - 4x + 12$$

• 
$$I(x) = \sqrt{x+7}$$

$$m(x) = \frac{3}{x}$$

Jan Kastelic (GAA)

Funkcija

Izračunajte začetne vrednosti funkcij.

• 
$$f(x) = \frac{4}{5} - 6x$$

• 
$$g(x) = x^2 - 7x + 12$$

• 
$$h(x) = \frac{3x+6}{5}$$

• 
$$i(x) = x^2 - 9$$

$$j(x) = x^2 - 3x^2 - 4x + 12$$

• 
$$k(x) = \sqrt{x+7}$$

$$I(x) = \frac{3}{x}$$

• 
$$m(x) = \frac{x^3 - 2x^2 - 4}{x^4 + 2x^3 + 3}$$

Jan Kastelic (GAA)

MATEMATIKA

### Graf funkcije

#### Graf funkcije

**Graf**  $\Gamma_f$  funkcije  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je množica urejenih parov  $(x, y) \in \mathcal{X} \times \mathcal{Y}$ , kjer element x preteče celotno definicijsko območje  $D_f$  funkcije, element y pa je slika pripadajočega x, torej y = f(x).

$$\Gamma_f = \{(x, y) \in \mathcal{X} \times \mathcal{Y}; x \in D_f \land y = f(x)\}$$

Urejene pare iz množice  $\Gamma_f$  lahko upodobimo v koordinatnem sistemu. Vsakemu elementu (x, f(x)) iz zgornje množice pripada natanko ena točka v koordinatnem sistemu, katere abscisa je enaka x, ordinata pa je njegova slika f(x).

V ničli graf funkcije seka abscisno os, v začetni vrednosti pa ordinatno os.

14 / 33

## Naraščanje in padanje

#### Naraščajoča funkcija

Funkcija f je na intervalu (a, b) naraščajoča, če za poljubna  $x_1, x_2 \in (a, b)$ , kjer je  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) \le f(x_2)$ .

Funkcija f je na intervalu (a, b) **strogo naraščajoča**, če za poljubna  $x_1, x_2 \in (a, b)$ , kjer je  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) < f(x_2)$ .

#### Padajoča funkcija

Funkcija f je na intervalu (a, b) **padajoča**, če za poljubna  $x_1, x_2 \in (a, b)$ , kjer je  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) \ge f(x_2)$ .

Funkcija f je na intervalu (a, b) **strogo padajoča**, če za poljubna  $x_1, x_2 \in (a, b)$ , kjer je  $x_1 < x_2$ , velja  $f(x_1) > f(x_2)$ .

4 D > 4 P > 4 B > 4 B > 9 Q

15/33

## Injektivnost in surjektivnost

#### Surjektivnost

Funkcija  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je **surjektivna**, če je zaloga vrednosti  $Z_f$  funkcije enaka njeni kodomeni  $\mathcal{Y}$  – vsak element kodomene  $\mathcal{Y}$  je slika vsaj enega elementa iz domene  $\mathcal{X}$ .

$$\forall y \in \mathcal{Y}.\exists x \in \mathcal{X} \ni : f(x) = y$$

#### Injektivnost

Funkcija  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je **injektivna**, če se dva poljubna različna originala iz domene  $\mathcal{X}$  preslikata v različni sliki v kodomeni  $\mathcal{Y}$  – vsak element kodomene  $\mathcal{Y}$  je slika kvečjemu enega elementa iz domene  $\mathcal{X}$ .

$$\forall x, y \in \mathcal{X} : f(x) = f(y) \Rightarrow x = y$$

Funkcija  $f: \mathcal{X} \to \mathcal{Y}$  je **bijektivna**, če je injektivna in surjektivna hkrati – vsak element iz kodomene  $\mathcal{Y}$  je slika natanko enega elementa domene  $\mathcal{X}$ .

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA 5. april 2025 16/33

Funkcija

Zapišite in narišite grafe funkcij ter zapišite začetne vrednosti in ničle funkcije. Določite, kje je funkcija naraščajoča oziroma padajoča, ter preverite surjektivnost in injektivnost.

• 
$$f(x) = x$$
  $D_f = \mathbb{R}$ 

• 
$$i(x) = \frac{1}{x^2}$$
  $D_i = \left\{-2, -1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1, 2\right\}$ 

• 
$$j(x) = \frac{x+2}{x-3}$$
  $D_j = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ 



17/33

# Predpis linearne funkcije



18 / 33

5. april 2025

Jan Kastelic (GAA) MATEMATIKA

Linearna funkcija

Ugotovite, ali je dana funkcija linearna. Linearnim funkcijam določite smerni koeficient in začetno vrednost.

$$f(x) = \frac{1}{7x} - \frac{3}{4}$$

$$g(x) = \frac{2}{3} - \pi x$$

• 
$$h(x) = \frac{8+6x}{24}$$

• 
$$i(x) = 0.\overline{3}x + 1$$

$$ightarrow j(x) = \frac{x^2 - 3}{5}$$

• 
$$k(x) = -\sqrt{2}x + \frac{2}{3}$$

• 
$$I(x) = 2$$



19 / 33

Linearna funkcija

Zapišite predpis linearne funkcije f, ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik -3.



20 / 33

Zapišite predpis linearne funkcije f, ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik -3.

### Naloga

Dana je linearna funkcija p(x) = 3x - 4. Izračunaj p(-2), p(0); p(5) in  $p(\sqrt{2})$ .



20 / 33

Zapišite predpis linearne funkcije f, ki ima začetno vrednost 5 in diferenčni količnik -3.

### Naloga

Dana je linearna funkcija p(x) = 3x - 4. Izračunaj p(-2), p(0); p(5) in  $p(\sqrt{2})$ .

#### Naloga

Zapišite predpis linearne funkcije, za katero je u(-2) = 10 in u(0) = 2.



20 / 33

Linearna funkcija

21/33

Ali je funkcija naraščajoča ali padajoča?

• 
$$f(x) = 3x + 5$$

• 
$$g(x) = -2x + 7$$

• 
$$h(x) = 10 - \frac{1}{2}x$$

$$i(x) = \frac{x-1}{2}$$

$$i(x) = \frac{5-2x}{3}$$

$$k(x) = \frac{-\sqrt{3}x + 1}{3}$$

• 
$$I(x) = -\frac{2-4x}{17}$$

21 / 33

Linearna funkcija

5. april 2025

Izračunajte ničlo linearne funkcije.

• 
$$f(x) = 6x + 12$$

• 
$$g(x) = 5x + 2$$

• 
$$h(x) = 3x - 12$$

• 
$$i(x) = -4x + 8$$

• 
$$j(x) = -3x + 2$$

• 
$$k(x) = -x - 7$$

• 
$$I(x) = \frac{3}{4}x - \frac{1}{4}$$

• 
$$m(x) = -\frac{2x+3}{6}$$

$$n(x) = \frac{1-4x}{2}$$

$$o(x) = \frac{\pi x + 4}{3}$$

• 
$$p(x) = \sqrt{2}x + 1$$

• 
$$r(x) = 4$$

Linearna funkcija

Dana je linearna funkcija f. Zapišite predpis funkcije g v obliki g(x) = kx + n.

• 
$$f(x) = 2x - 6$$
,  $g(x) = 3f(x)$ 

• 
$$f(x) = 5x - 3$$
;  $g(x) = f(x + 1)$ 

• 
$$f(x) = \frac{2x-5}{3}$$
;  $g(x) = f(1-x)$ 

• 
$$f(x) = \frac{10-4x}{7}$$
;  $g(x) = f(3x)$ 



23 / 33

Linearna funkcija

Dana je družina linearnih funkcij  $f(x) = (2m-1)x + (3-m); \ m \in \mathbb{R}.$ 

- Za katero vrednost parametra m ima funkcija diferenčni količnik enak -5?
- Za katero vrednost parametra m je funkcija padajoča?
- Za katero vrednost parametra m je funkcija konstantna?
- Za katero vrednost parametra m je funkcija naraščajoča?
- Za katero vrednost parametra *m* je začetna vrednost enaka 2?
- Za katero vrednost parametra m ima funkcija ničlo x = -4?



24 / 33

Linearna funkcija

Taksist meri razdaljo, ki jo je prevozil. Vsak kilometer stane  $2.5 \in$ , startnina pa  $7 \in$ . Zapišite funkcijo, po kateri taksist izračuna znesek za plačilo, ko prebere število prevoženih kilometrov x. Izračunajte, koliko bi pačali, če bi se peljali  $12 \ km$ .

25 / 33

Taksist meri razdaljo, ki jo je prevozil. Vsak kilometer stane  $2.5 \in$ , startnina pa  $7 \in$ . Zapišite funkcijo, po kateri taksist izračuna znesek za plačilo, ko prebere število prevoženih kilometrov x. Izračunajte, koliko bi pačali, če bi se peljali  $12 \ km$ .

# Naloga

V bezenu je 12 I vode. V bazen po cevi vsako minuto pritečejo še 4 I vode. Zapišite funkcijo, s katero bomo lahko izračunali, koliko je vode v bazenu po pretečenih x minutah. Izračunajte, koliko vode je v bazenu po 9 minutah.

25/33



Jan Kastelic (GAA)

Katere od točk A(1,1), B(4,0), C(7,-2),  $D(-4,\frac{5}{2})$ ,  $E(0,\frac{3}{2})$ , F(2,2) in G(3,0) ležijo na grafu funkcije  $f(x)=-\frac{1}{2}x+\frac{3}{2}$ ?



27 / 33

Katere od točk A(1,1), B(4,0), C(7,-2),  $D(-4,\frac{5}{2})$ ,  $E(0,\frac{3}{2})$ , F(2,2) in G(3,0) ležijo na grafu funkcije  $f(x) = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ?

#### Naloga

Dana je funkcija g(x) = 3x - 2. Za koliko se spremeni vrednost funkcije g, če se vrednost x

- poveča za 1?
- poveča za 2?
- zmanjša za 5?
- zmanjša za −10?

Jan Kastelic (GAA)MATEMATIKA5. april 202527 / 33

Narišite graf linearne funkcije. Zapišite začetno vrednost in izračunajte ničlo funkcije. Določite, kje je funkcija pozitivna oziroma negativna, ter ali je naraščajoča ali padajoča?

• 
$$f(x) = -x + \frac{1}{2}$$

• 
$$g(x) = 2x + 2$$

• 
$$h(x) = 3 - 2x$$

$$\bullet$$
  $i(x) = -x$ 

• 
$$j(x) = -3$$

$$k(x) = \frac{6x-1}{3}$$

• 
$$I(x) = -\frac{2-3x}{4}$$

• 
$$m(x) = 3 - \frac{3}{5}x$$

V isti koordinatni sistem narišite grafe funkcij f(x) = 2x - 2, g(x) = 2x + 1, h(x) = 2x + 2 in i(x) = 2x. Kaj opazite?



29 / 33

V isti koordinatni sistem narišite grafe funkcij f(x) = 2x - 2, g(x) = 2x + 1, h(x) = 2x + 2 in i(x) = 2x. Kaj opazite?

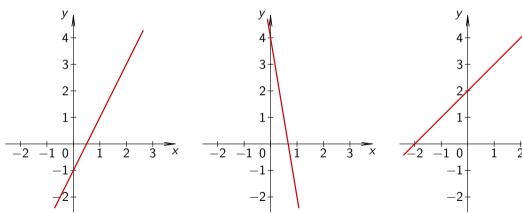
# Naloga

V isti koordinatni sistem narišite grafe funkcij f(x) = 2x - 2, g(x) = 3x - 2, h(x) = x - 2 in  $i(x) = \frac{1}{2}x - 2$ . Kaj opazite?



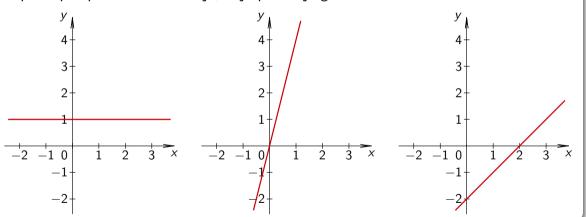
29 / 33

Zapišite predpis linearne funkcije, ki jo prikzauje graf.



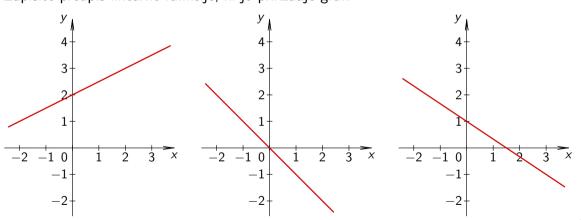


Zapišite predpis linearne funkcije, ki jo prikzauje graf.





Zapišite predpis linearne funkcije, ki jo prikzauje graf.





Jan Kastelic (GAA)

Narišite graf sestavljene funkcije in zapišite njeno zalogo vrednosti.

$$f(x) = \begin{cases} 2x; & x \le 2 \\ 4; & x > 2 \end{cases}$$

• 
$$k(x) = \begin{cases} -x+1; & x \le 2 \\ -1; & 2 < x < 4 \\ x-5; & x \ge 4 \end{cases}$$

$$I(x) = \begin{cases} 0.5x; & x \le 2\\ 2x - 3; & 2 < x < 4\\ 0.5x + 3; & x \ge 4 \end{cases}$$



33 / 33