

# MATEMATIKA

2. letnik – splošna gimnazija

Jan Kastelic

Gimnazija Antona Aškerca,  
Šolski center Ljubljana

24. avgust 2025

## 1 Geometrija v ravnini

# Section 1

## Geometrija v ravnini

## 1 Geometrija v ravnini

- Osnovni geometrijski pojmi
- Skladnost in merjenje
- Vzporednost in pravokotnost
- Trikotnik
- Krožnica, krog, lok
- Štirikotnik in pravilni  $n$ -kotnik
- Podobnost

# Osnovni geometrijski pojmi

Evklid je v prvi knjigi *Elementov* postavil 23 'opredelitev' temeljnih geometrijskih pojmov. Med njimi so:

- **Točka** je tisto, kar nima delov – nima razsežnosti.
- **Črta** je dolžina brez širine – ena razsežnost.
- **Ploskev** je tisto, kar ima samo dolžino in širino – dve razsežnosti.

Tem trditvam sledijo **aksiomi** (temeljne resnice) – privzamemo jih kot veljavne hipoteze, **izreki** – dokazujemo jih z aksiomi in prej dokazanimi izreki, in **definicije** – opisi novih pojmov in lastnosti.

# Incidenčni aksiomi

## Definicija

*Incidenca* je relacija, ki povezuje točko in premico – premica in točka sta v relaciji, če točka leži na premici;  $A R p$ , če  $A \in p$ .

## Aksiom 1

Za dve različni točki  $A$  in  $B$  obstaja natanko določena premica  $p$ , tako da točki  $A$  in  $B$  ležita na njej.

## Aksiom 2

Za vsako premico  $p$  obstajata vsaj dve različni točki  $P$  in  $Q$ , ki ležita na njej.

## Aksiom 3

Obstajajo tri različne točke, ki ne ležijo hkrati na isti premici.

## Definicija

Točke  $A_1, A_2, A_3, \dots$ , ki ležijo na isti premici, so **kolinearne**, če ne ležijo na isti premici, pa so **nekolinearne**.

## Izrek

Dve različni premici imata lahko največ eno skupno točko.

## Definicija

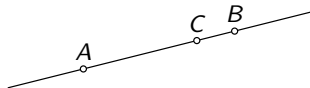
Premici, ki imata natanko eno skupno točko, se **sekata**, imenujemo ju **sečnici**, njuno skupno točko pa **presečišče** premic.

## Definicija

Premici, ki ležita na isti ravnini in nimata nobene skupne točke ali imata vse točke skupne – sovpadata, sta **vzporedni**, imenujemo ju **vzporednici**.

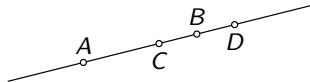
## Aksiom

Če so tri različne točke kolinearne, ena vedno leži med drugima dvema.



## Aksiom

Če sta  $A$  in  $B$  različni točki premice  $p$ , potem na premici  $p$  ležita vsaj še točki  $C$  in  $D$ , in sicer  $C$  leži med  $A$  in  $B$ ,  $D$  pa tako, da je  $C$  med  $A$  in  $D$ .



## Izrek

Med dvema različnima točkama premice je neskončno mnogo točk.



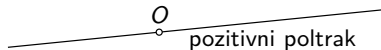
### Definicija

Množica točk premice, ki ležijo med različnima točkama  $A$  in  $B$ , vključno z  $A$  in  $B$ , je **daljica**  $AB$ . Točki  $A$  in  $B$  sta njeni **krajišči**.



### Definicija

Poljubna točka premice razdeli premico na dva **poltraka**. To točko imenujemo **izhodišče**, ponavadi jo označimo z  $O$ .



### Definicija

Premica, na kateri leži daljica oziroma poltrak, je **nosilka** daljice oziroma poltraka.

## Definicija

**Enostavni lik** je množica točk v ravnini, ki jo omejuje sklenjena krivulja, ki sama sebe ne seka.

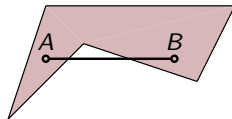
## Definicija

Množica točk v ravnini je **konveksna**, če za poljubni točki  $A$  in  $B$  iz te množice velja, da je daljica  $AB$  njena podmnožica.

$$\mathcal{M} \text{ konveksna} \Leftrightarrow \forall A, B \in \mathcal{M} \Rightarrow AB \subseteq \mathcal{M}$$

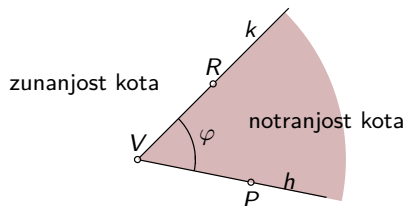
Množica točk, ki ni konveksna, je **nekonveksna** oziroma **konkavna**.

$$\mathcal{M} \text{ nekonveksna} \Leftrightarrow \exists A, B \in \mathcal{M} \Rightarrow AB \not\subseteq \mathcal{M}$$



## Definicija

Dva poltraka s skupnim izhodiščem določata dva **kota**. Izhodišče poltrakov imenujemo **vrh** kota, poltraka pa imenujemo **kraka** kota.



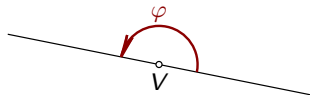
Če poltraka ne ležita na isti premici, je eden od kotov konveksen, drugi pa je nekonveksen.

Kot lahko označimo na več načinov:

- $\angle(h, k)$ , kjer sta  $h$  in  $k$  poltraka, ki kot določata;
- $\angle PVR$ , kjer je  $P$  točka na enem poltraku,  $V$  vrh kota in  $R$  točka na drugem poltraku;
- $\alpha, \beta, \gamma, \dots$  – z grškimi črkami.

## Definicija

Če poltraka s skupnim izhodiščem ležita na isti premici, vendar na različnih straneh izhodišča, določata dva enaka konveksna kота – **iztegnjena kота**.



## Definicija

Če se poltraka na isti premici prekrivata, določata **polni kot** ali **ničelni kot**.





## Naloga

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

## Naloga

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

## Naloga

Ugotovite, ali obstaja  $n$ -kotnik, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

## Naloga

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

## Naloga

Ugotovite, ali obstaja  $n$ -kotnik, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

## Naloga

Kateri  $n$ -kotnik ima štirikrat toliko diagonal kot stranic?



## Naloga

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

## Naloga

Ugotovite, ali obstaja  $n$ -kotnik, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

## Naloga

Kateri  $n$ -kotnik ima štirikrat toliko diagonal kot stranic?

## Naloga

Izračunajte, kateri  $n$ -kotnik ima: 104 diagonale, 230 diagonal,  $2n - 5$  diagonal.

### Naloga

Izračunajte število diagonal: 17-kotnika, 31-kotnika in 28-kotnika.

### Naloga

Ugotovite, ali obstaja  $n$ -kotnik, ki ima desetino toliko diagonal kot 28-kotnik. Če obstaja, izračunajte, koliko stranic ima.

### Naloga

Kateri  $n$ -kotnik ima štirikrat toliko diagonal kot stranic?

### Naloga

Izračunajte, kateri  $n$ -kotnik ima: 104 diagonale, 230 diagonal,  $2n - 5$  diagonal.

### Naloga

Pokažite, da ne obstaja  $n$ -kotnik, ki ima 13 diagonal.



## Naloga

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Tri različne točke, so vedno nekolinearne.
- Petkotnik ima enako število diagonal in stranic.
- Štiri različne premice se sekajo v največ 4 različnih točkah.
- Skozi štiri kolinearne točke gredo tri različne premice.
- Vzporedni premici imata lahko neskončno mnogo skupnih točk.

## Naloga

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Tri različne točke, so vedno nekolinearne.
- Petkotnik ima enako število diagonal in stranic.
- Štiri različne premice se sekajo v največ 4 različnih točkah.
- Skozi štiri kolinearne točke gredo tri različne premice.
- Vzporedni premici imata lahko neskončno mnogo skupnih točk.

## Naloga

Pokažite, da je število diagonal 25-kotnika večkratnik števila njegovih stranic.

## Naloga

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Tri različne točke, so vedno nekolinearne.
- Petkotnik ima enako število diagonal in stranic.
- Štiri različne premice se sekajo v največ 4 različnih točkah.
- Skozi štiri kolinearne točke gredo tri različne premice.
- Vzporedni premici imata lahko neskončno mnogo skupnih točk.

## Naloga

Pokažite, da je število diagonal 25-kotnika večkratnik števila njegovih stranic.

## Naloga

Vsota števila stranic in diagonal  $n$ -kotnika je 105? Kateri  $n$ -kotnik je to?



## Naloga

Izračunajte, kateri  $n$ -kotnik ima toliko diagonal kot stranic.



## Naloga

Izračunajte, kateri  $n$ -kotnik ima toliko diagonal kot stranic.

## Naloga

Člani filatelističnega društva so se domenili, da si bodo za praznike spet pošiljali voščilnice po klasični pošti. Ko so se dobili po novem letu, so prinesli vse voščilnice in jih našteali 132. Izračunajte, koliko članov društva, si je medseboj poslalo voščilnice.

# Kot

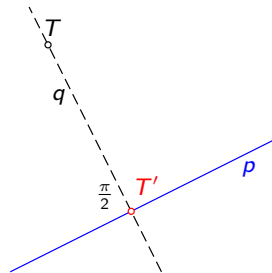
# Preslikave na ravnini

## Pravokotna projekcija

Dani sta točka  $T$  in premica  $p$ . Naj bo  $q$  tista pravokotnica na premico  $p$ , ki poteka skozi točko  $T$ . Presečišče  $T'$  premice  $q$  s premico  $p$  imenujemo **pravokotna projekcija** točke  $T$  na premico  $p$ . Točka  $T'$  je točki  $T$  najbližja točka premice  $p$ .

**Razdalja** točke  $T$  od premice  $p$  je:

$$d(T, p) = d(T, T') = |TT'|.$$



Pravokotna projekcija daljice  $AB$  na premico je daljica  $A'B'$ , katere krajišči sta pravokotni projekciji točk  $A$  in  $B$ .

## Toge preslikave

**Toga preslikava** (izometrija) je preslikava v ravnini, ki ohranja razdalje.

$$\tau : A \mapsto A'$$

$$\tau : B \mapsto B'$$

$$d(A, B) = d(A', B')$$

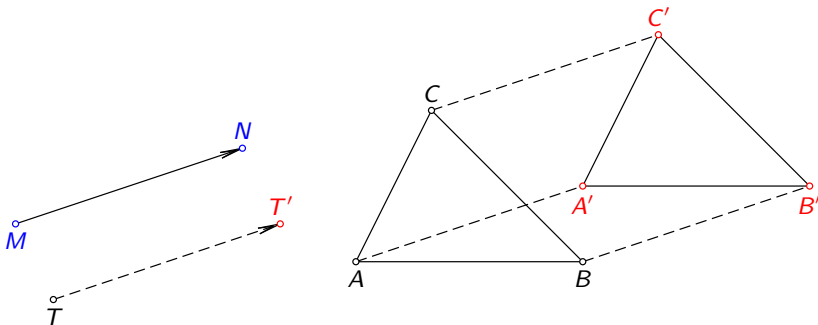
Med toge preslikave spadajo:

- **vzporedni premiki;**
- **zrcaljenje preko premice;**
- **zrcaljenje preko točke;**
- **rotacija okoli točke.**

Če kombiniramo več togih preslikav, je dobljena preslikava spet toga preslikava.

## Vzporedni premik/translacija

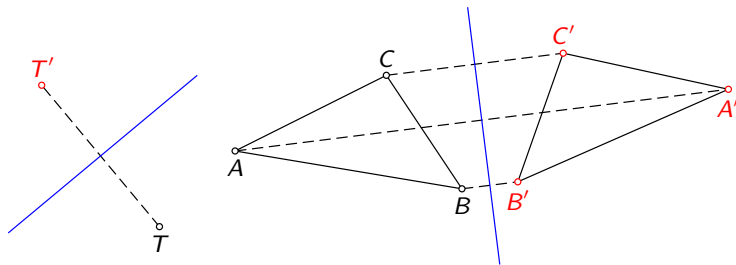
**Vzporedni premik** ali **translacija** za dano usmerjeno daljico  $\overrightarrow{MN}$  preslika točko  $T$  v tako točko  $T'$ , da sta daljici  $TT'$  in  $MN$  enako dolgi, vzporedni in enako usmerjeni.



Vzporedni premik ohranja orientacijo likov, daljice preslika v enako dolge vzporedne daljice, ohranja velikost kotov, like preslika v skladne like, nima negibnih točk za  $\overrightarrow{MN} \neq \vec{0}$ .

## Zrcaljenje preko premice

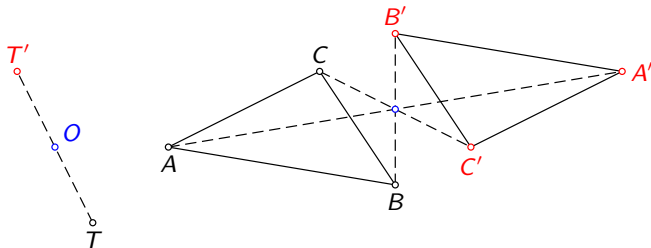
**Zrcaljenje čez premico  $p$**  preslika točko  $T$  v tako točko  $T'$ , da premica  $p$  pod pravim kotom razpolavlja daljico  $TT'$ .



Zrcaljenje čez premico daljice preslika v enako dolge daljice, ohranja velikost kotov, ne ohranja orientacije likov, like preslika v skladne like, premic ne preslika v vzporedne premice.

## Zrcaljenje preko točke

**Zrcaljenje čez točko**  $O$  preslika točko  $T$  v tako točko  $T'$ , da je  $O$  razpolovišče daljice  $TT'$ . Ta preslikava je enaka vrtenju okrog točke za  $180^\circ$ .



Zrcaljenje čez točko daljice preslika v enako dolge daljice, ohranja velikosti kotov in orientacijo likov, like preslika v skladne like, premice preslika v vzporedne premice.

# Simetrija

Množica točk  $\mathcal{M}$  je **simetrična/somerna glede na premico**  $p$ , če se pri zrcaljenju čez premico  $p$  preslika sama vase. Premico  $p$  imenujemo **simetrala, somernica, simetrijska os** množice  $\mathcal{M}$ .

Množica točk  $\mathcal{M}$  je **središčno simetrična/somerna glede na točko**  $T$ , če se pri zrcaljenju čez točko  $T$  preslika sama vase. Točko  $T$  imenujemo **center simetrije** množice  $\mathcal{M}$ .



# Rotacija/vrtenje okoli točke

## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .

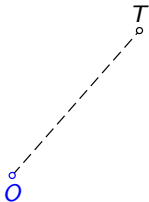
## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .

 $T$  $O$

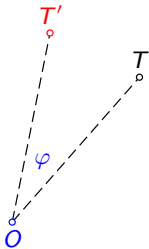
## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .



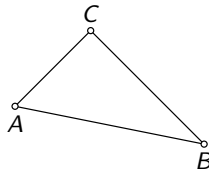
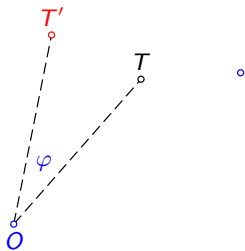
## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .



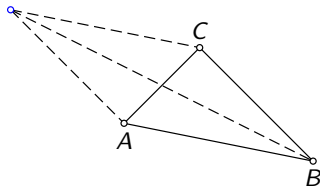
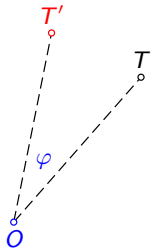
## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .



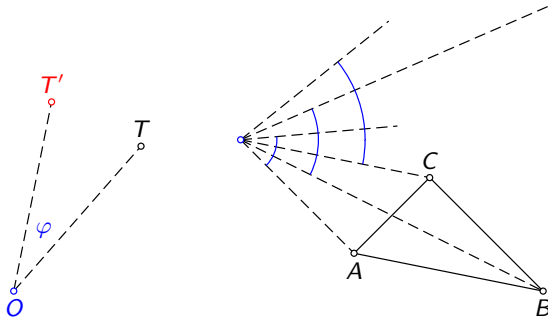
## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .



## Rotacija/vrtenje okoli točke

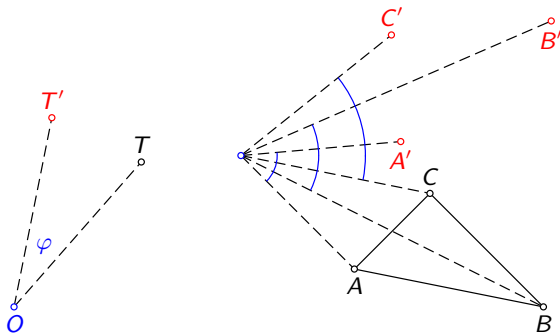
**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .





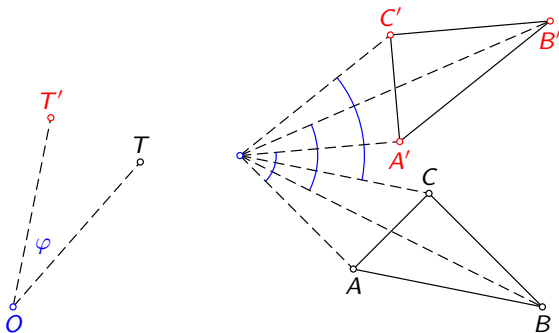
## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .



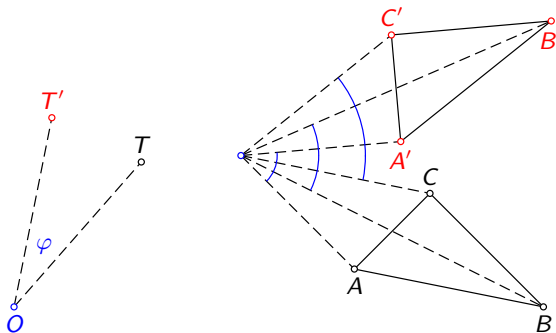
## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .



## Rotacija/vrtenje okoli točke

**Vrtenje** ali **zasuk** oziroma **rotacija** za kot  $\varphi$  okrog točke  $O$  preslika točko  $T$  v točko  $T'$ , da velja:  $|OT| = |OT'|$  in  $\angle TOT' = \varphi$ .



Vrtenje okoli točke preslika daljice v enako dolge daljice, ohranja velikosti kotov in orientacijo likov, like preslika v skladne like, premic pa ne preslika v vzporedne premice.



## Naloga

Izračunajte dolžino daljice, če ena polovica meri  $2x - 7$  enot, druga polovica pa  $x + 8$  enot.

## Naloga

Izračunajte dolžino daljice, če ena polovica meri  $2x - 7$  enot, druga polovica pa  $x + 8$  enot.

## Naloga

Izračunaj dolžino  $x$  daljice  $AB$ , če je točka  $S$  njeno razpolovišče, točka  $R$  pa razpolovišče daljice  $SB$  in je  $|SR| = \frac{x}{3} - 1$ .

## Naloga

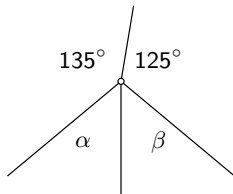
Izračunajte dolžino daljice, če ena polovica meri  $2x - 7$  enot, druga polovica pa  $x + 8$  enot.

## Naloga

Izračunaj dolžino  $x$  daljice  $AB$ , če je točka  $S$  njeno razpolovišče, točka  $R$  pa razpolovišče daljice  $SB$  in je  $|SR| = \frac{x}{3} - 1$ .

## Naloga

Izračunajte velikosti kotov  $\alpha$  in  $\beta$ , če je  $\alpha = \beta$ . Podatke razberite s skice.

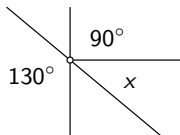






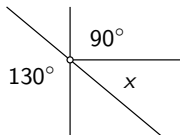
## Naloga

Iz podatkov na skici izračunajte neznano velikost kota  $x$ .



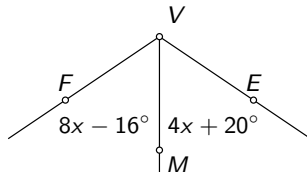
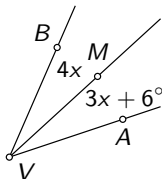
## Naloga

Iz podatkov na skici izračunajte neznano velikost kota  $x$ .



## Naloga

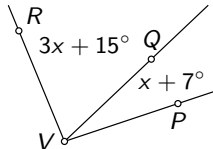
Izračunajte velikosti kotov  $\angle AVM$  in  $\angle FVE$ , če poltrak  $VM$  obakrat razpolavlja kot.





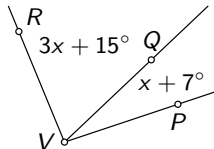
## Naloga

Izračunajte velikost kota  $\angle PVQ$ , če je  $\angle PVR = 94^\circ$ .



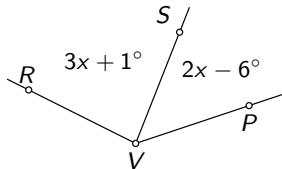
## Naloga

Izračunajte velikost kota  $\angle PVQ$ , če je  $\angle PVR = 94^\circ$ .



## Naloga

Izračunajte velikost kota  $\angle SVR$ , če je  $\angle QVS = 50^\circ$ .





## Naloga

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Sokota sta suplementarna.
- Kot z velikostjo  $45^\circ$  je komplementaren samemu sebi.
- Dve premici, ki se sekata, lahko določata kota z velikostjo  $43^\circ$  in  $137^\circ$ .
- Vsota velikosti dveh komplementarnih kotov je pravi kot.
- Suplementarna kota sta vedno tudi sokota.

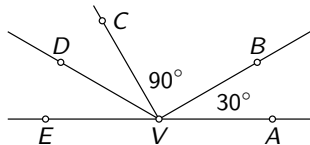
## Naloga

Za vsako od spodnjih izjav ugotovite, ali je pravilna ali nepravilna.

- Sokota sta suplementarna.
- Kot z velikostjo  $45^\circ$  je komplementaren samemu sebi.
- Dve premici, ki se sekata, lahko določata kota z velikostjo  $43^\circ$  in  $137^\circ$ .
- Vsota velikosti dveh komplementarnih kotov je pravi kot.
- Suplementarna kota sta vedno tudi sokota.

## Naloga

Poltrak  $VD$  razpolavlja  $\angle CVE$ ,  $\angle BVC$  je pravi kot. Določite velikosti kotov  $\angle AVD$  in  $\angle BVE$ .





# Vzporednost



## Naloga

Narišite kvadrat s stranico dolžine 1 in ga:

- vzporedno premaknite vzdolž ordinatne osi za 3 enota;
- zavrtite okrog oglišča  $B$  za kot  $45^\circ$  v negativni smeri;
- zrcalite preko nosilke stranice  $CD$ .

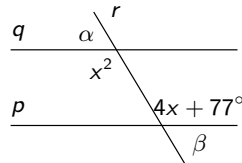
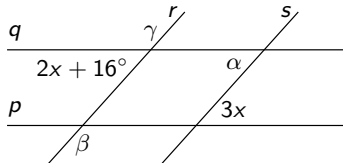
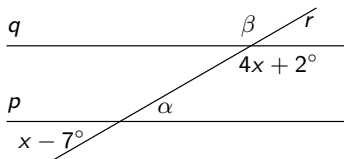
## Naloga

Narišite kvadrat s stranico dolžine 1 in ga:

- vzporedno premaknite vzdolž ordinatne osi za 3 enota;
- zavrtite okrog oglišča  $B$  za kot  $45^\circ$  v negativni smeri;
- zrcalite preko nosilke stranice  $CD$ .

## Naloga

Izračunajte velikosti kotov  $\alpha$ ,  $\beta$  in  $\gamma$ . Podatke razberite iz skic. Velja  $p \parallel q$  in  $r \parallel s$ .





## Naloga

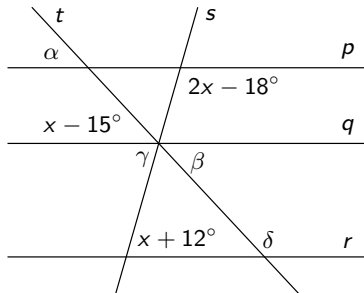
Izračunajte velikosti vseh notranjih in zunanjih kotov trikotnika  $\triangle ABC$ , če je vsota velikosti dveh zunanjih kotov  $\alpha' + \gamma' = 230^\circ$ , vsota velikosti dveh notranjih kotov pa  $\alpha + \beta = 70^\circ$ .

## Naloga

Izračunajte velikosti vseh notranjih in zunanjih kotov trikotnika  $\triangle ABC$ , če je vsota velikosti dveh zunanjih kotov  $\alpha' + \gamma' = 230^\circ$ , vsota velikosti dveh notranjih kotov pa  $\alpha + \beta = 70^\circ$ .

## Naloga

S skice preberite ustrezne podatke ter izračunajte velikosti kotov  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  in  $\delta$ . Pri tem velja, da so premice  $p$ ,  $q$  in  $r$  vzporedne.

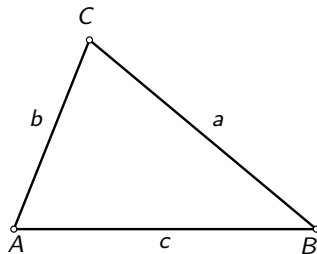


# Trikotnik



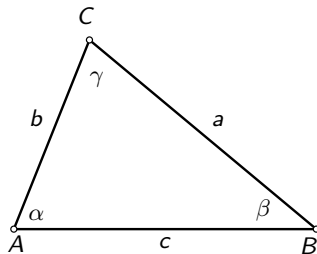
# Trikotnik

**Trikotnik** je lik/množica točk v ravnini, omejena s tremi daljicami – **stranice** ( $a, b, c$ ), ki povezujejo tri nekolinearne točke ( $A, B, C$ ) v ravnini. Te točke imenujemo **oglišča** trikotnika.



# Trikotnik

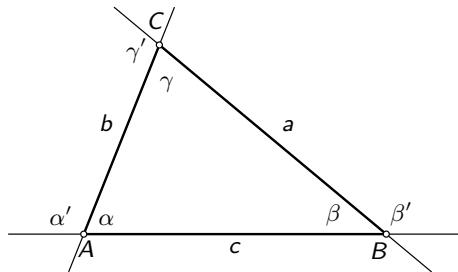
**Trikotnik** je lik/množica točk v ravnini, omejena s tremi daljicami – **stranice** ( $a, b, c$ ), ki povezujejo tri nekolinearne točke ( $A, B, C$ ) v ravnini. Te točke imenujemo **oglišča** trikotnika.



V trikotniku  $\triangle ABC$  so  $\alpha, \beta$  in  $\gamma$  **notranji koti**,

# Trikotnik

**Trikotnik** je lik/množica točk v ravnini, omejena s tremi daljicami – **stranice** ( $a, b, c$ ), ki povezujejo tri nekolinearne točke ( $A, B, C$ ) v ravnini. Te točke imenujemo **oglišča** trikotnika.



V trikotniku  $\triangle ABC$  so  $\alpha, \beta$  in  $\gamma$  **notranji koti**, njihovi sokoti  $\alpha', \beta'$  in  $\gamma'$  pa so **zunanji koti**.

Vsota notranjih kotov trikotnika je  $180^\circ$ :

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ.$$

Vsota notranjih kotov trikotnika je  $180^\circ$ :

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ.$$

Zunanji kot trikotnika je enak vsoti notranjih nepriležnih kotov:

$$\alpha' = \beta + \gamma$$

$$\beta' = \alpha + \gamma$$

$$\gamma' = \alpha + \beta$$

Vsota notranjih kotov trikotnika je  $180^\circ$ :

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ.$$

Zunanji kot trikotnika je enak vsoti notranjih nepriležnih kotov:

$$\alpha' = \beta + \gamma$$

$$\beta' = \alpha + \gamma$$

$$\gamma' = \alpha + \beta$$

Vsota zunanjih kotov trikotnika je  $360^\circ$ :

$$\alpha' + \beta' + \gamma' = 360^\circ.$$

Nasproti daljše stranice trikotnika leži večji notranji kot, nasproti krajše stranice pa manjši notranji kot trikotnika.

$$a > b \Leftrightarrow \alpha > \beta$$

Nasproti daljše stranice trikotnika leži večji notranji kot, nasproti krajše stranice pa manjši notranji kot trikotnika.

$$a > b \Leftrightarrow \alpha > \beta$$

### Trikotniška neenakost

Vsaka stranica trikotnika je krajša od vsote dolžin drugih dveh stranic.

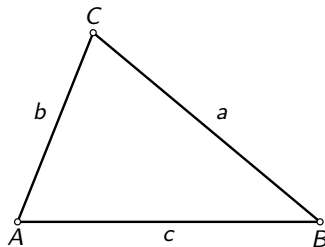
$$a < b + c$$

$$b < a + c$$

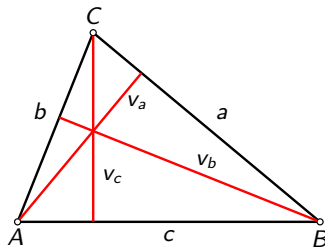
$$c < a + b$$



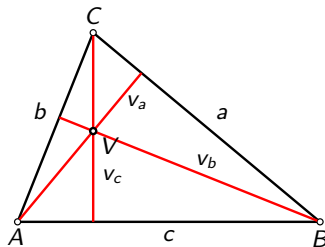
**Višina** na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje nosilko te stranice z nasprotnim ogliščem in je pravokotna na to nosilko. Njena dolžina je razdalja oglišča od nasprotne stranice.



**Višina** na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje nosilko te stranice z nasprotnim ogliščem in je pravokotna na to nosilko. Njena dolžina je razdalja oglišča od nasprotne stranice.

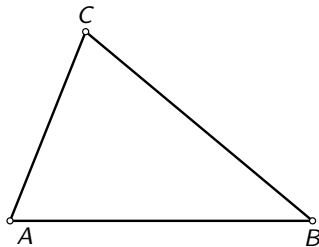


**Višina** na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje nosilko te stranice z nasprotnim ogliščem in je pravokotna na to nosilko. Njena dolžina je razdalja oglišča od nasprotne stranice.

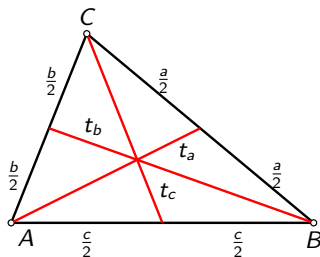


Nosilke vseh treh višin na stranice trikotnika se sekajo v eni točki, ki jo imenujemo **višinska točka** ali **ortocenter**.

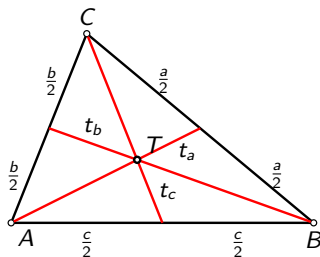
**Težiščnica** na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje razpolovišče te stranice z nasprotnim ogliščem.



**Težiščnica** na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje razpolovišče te stranice z nasprotnim ogliščem.

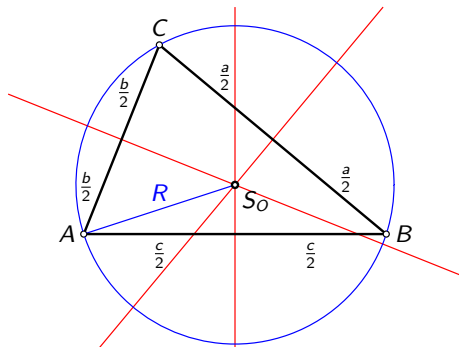


**Težiščnica** na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje razpolovišče te stranice z nasprotnim ogliščem.

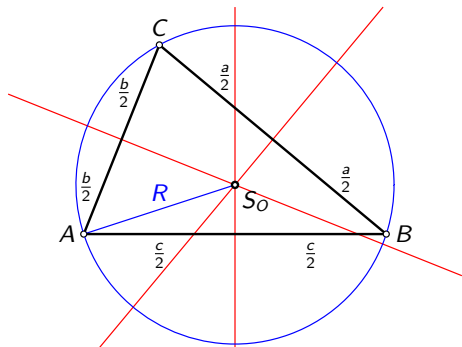


Vse tri trikotnikove težiščnice se sekajo v eni točki – **težišču** ali **baricentru** trikotnika. Težišče deli težiščnico v razmerju 1 : 2.

Simetrale vseh treh stranic trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku očrtane krožnice**.



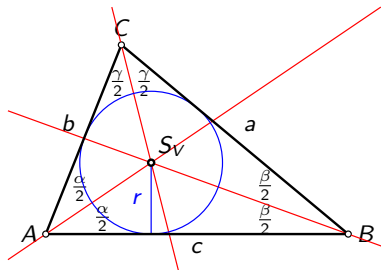
Simetrale vseh treh stranic trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku očrtane krožnice**.



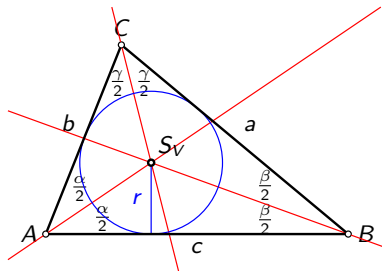
Očrtana krožnica poteka skozi vsa tri oglišča trikotnika. Vse tri stranice trikotnika so tetive te krožnice.



Simetrale notranjih kotov trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku včrtane krožnice**.



Simetrale notranjih kotov trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je **središče trikotniku včrtane krožnice**.

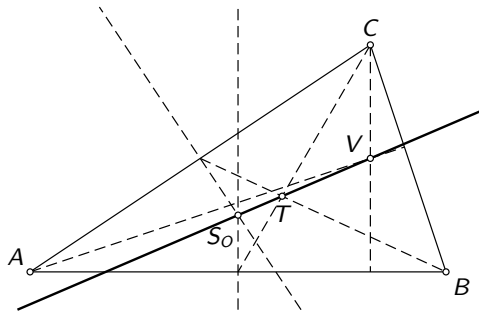


Včrtana krožnica ima vse tri stranice trikotnika za tangente.

Težišče, središče trikotniku očrtane kroznice, središče trikotniku včrtane krožnice in višinska točka so **znamenite točke trikotnika**.

Težišče, središče trikotniku očrtane krožnice, središče trikotniku včrtane krožnice in višinska točka so **znamenite točke trikotnika**.

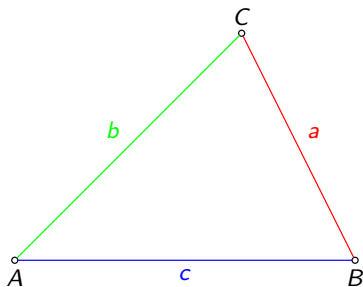
Višinska točka, središče očrtane krožnice in težišče so vedno kolinearne. Premico, ki jih povezuje, imenujemo **Eulerjeva premica**.



# Vrste trikotnikov – glede na stranice

## Vrste trikotnikov – glede na stranice

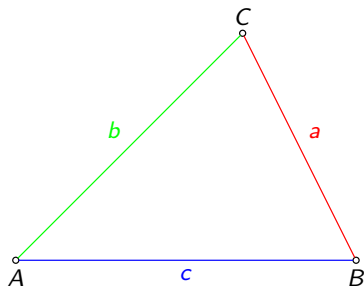
### RAZNOSTRANIČNI TRIKOTNIK



vse tri stranice različno dolge

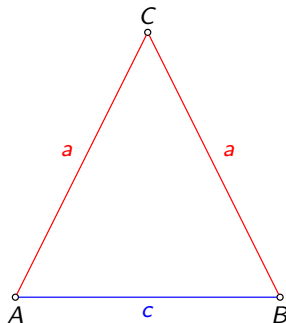
## Vrste trikotnikov – glede na stranice

### RAZNOSTRANIČNI TRIKOTNIK



vse tri stranice različno dolge

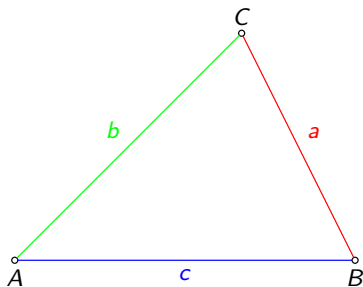
### ENAKOKRAKI TRIKOTNIK



dve stranici enako dolgi

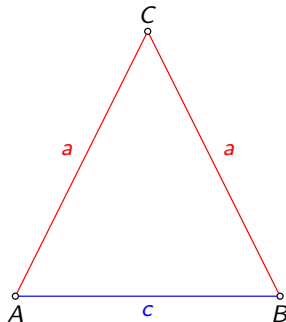
## Vrste trikotnikov – glede na stranice

### RAZNOSTRANIČNI TRIKOTNIK



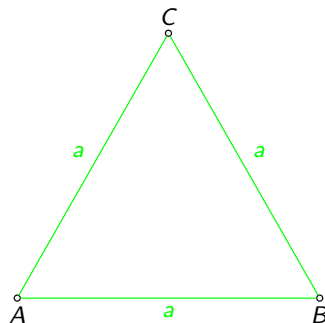
vse tri stranice različno dolge

### ENAKOKRAKI TRIKOTNIK



dve stranici enako dolgi

### ENAKOSTRANIČNI ali PRAVILNI TRIKOTNIK



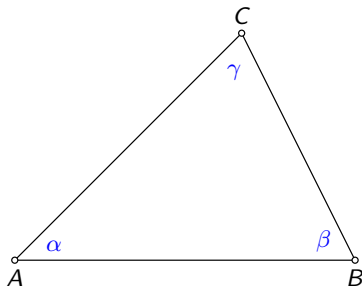
vse tri stranice enako dolge



# Vrste trikotnikov – glede na kote

# Vrste trikotnikov – glede na kote

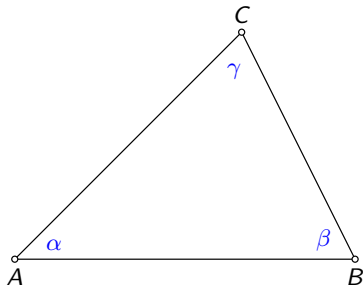
## OSTROKOTNI TRIKOTNIK



ima tri ostre notranje kote

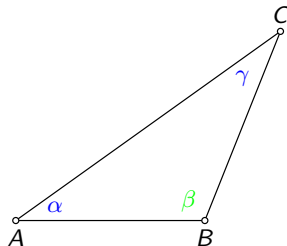
## Vrste trikotnikov – glede na kote

### OSTROKOTNI TRIKOTNIK



ima tri ostre notranje kote

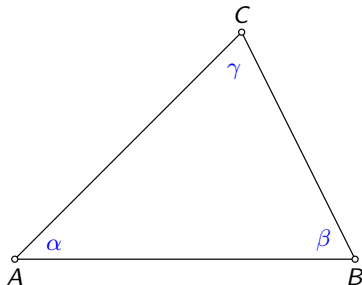
### TOPOKOTNI TRIKOTNIK



ima en topi notranji kot,  
ostala dva kota ostra

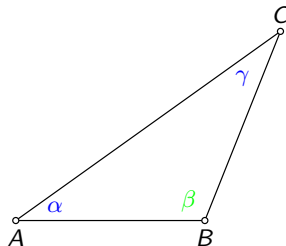
## Vrste trikotnikov – glede na kote

### OSTROKOTNI TRIKOTNIK



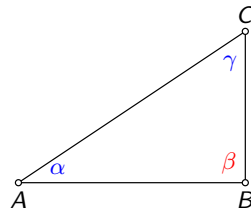
ima tri ostre notranje kote

### TOPOKOTNI TRIKOTNIK



ima en topi notranji kot,  
ostala dva kota ostra

### PRAVOKOTNI TRIKOTNIK



ima en pravi notranji kot,  
ostala dva kot ostra



## Naloga

Dve stranici trikotnika merita 2 in 7 enot. Zapišite interval vrednosti za dolžino tretje stranice tega trikotnika.

## Naloga

Dve stranici trikotnika merita 2 in 7 enot. Zapišite interval vrednosti za dolžino tretje stranice tega trikotnika.

## Naloga

Ali obstaja trikotnik, katerega dolžine stranic so rešitve sistema enačb:

$$a + b + c = 16$$

$$a - c = 2$$

$$a + b = 13.$$

### Naloga

Dve stranici trikotnika merita 2 in 7 enot. Zapišite interval vrednosti za dolžino tretje stranice tega trikotnika.

### Naloga

Ali obstaja trikotnik, katerega dolžine stranic so rešitve sistema enačb:

$$a + b + c = 16$$

$$a - c = 2$$

$$a + b = 13.$$

### Naloga

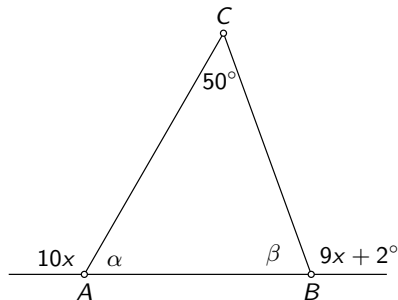
Za katere vrednosti števila  $x$  obstaja trikotnik s stranicami dolžin  $x + 7$ ,  $2x + 2$  in  $3x - 1$ ?





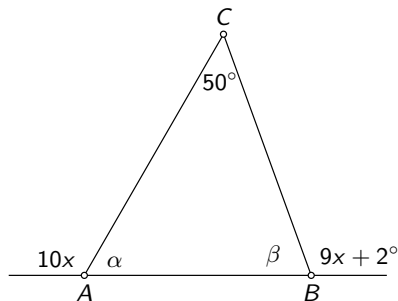
## Naloga

Izračunajte velikosti kotov  $\alpha$  in  $\beta$ .



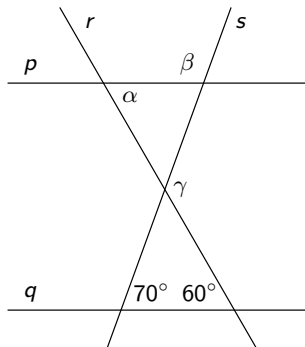
## Naloga

Izračunajte velikosti kotov  $\alpha$  in  $\beta$ .



## Naloga

Premici  $p$  in  $q$  sta vzporedni. Izračunajte velikosti kotov  $\alpha$ ,  $\beta$  in  $\gamma$ .



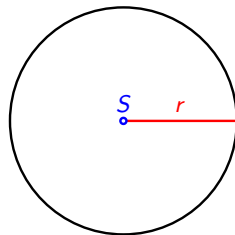
# Krog

# Krog

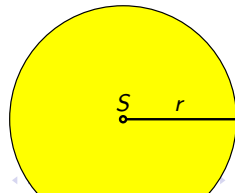
**Krožnica** je množica ravninskih točk, ki so enako oddaljene od dane točke  $S$ . Točko  $S$  imenujemo **središče** krožnice, razdalja  $r$  med središčem in poljubno točko na krožnici pa je **polmer** ali **radij** krožnice.

# Krog

**Krožnica** je množica ravninskih točk, ki so enako oddaljene od dane točke  $S$ . Točko  $S$  imenujemo **središče** krožnice, razdalja  $r$  med središčem in poljubno točko na krožnici pa je **polmer** ali **radij** krožnice.



**Krog** s središčem  $S$  in polmerom  $r$  je množica ravninskih točk, katerih oddaljenost od središča je manjša ali enaka  $r$ . To pomeni, da je krog del ravnine omejen s krožnico.



# Štirikotnik

# Večkotnik



# Podobnost

# Podobnost v pravokotnem trikotniku