40 5. Deljivost

## 5.4 Praštevila in sestavljena števila

Glede na število deliteljev, lahko naravna števila razdelimo na tri skupine:

- **število** 1 število, ki ima samo enega delitelja (samega sebe);
- praštevila števila, ki imajo natanko dva delitelja (1 in samega sebe);
- sestavljena števila števila, ki imajo več kot dva delitelja.

$$\mathbb{N} = \{1\} \cup \mathbb{P} \cup \{sestavljena \ \Stevila\}$$

Praštevil je neskončno mnogo.

Število n je praštevilo, če ni deljivo z nobenim praštevilom, manjšim ali enakim  $\sqrt{n}$ .

## Eratostenovo sito:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

Naloga 5.22. Preverite, ali so števila 103, 163, 137, 197, 147, 559 praštevila.

## 5.5 Osnovni izrek aritmetike

Vsako naravno število lahko enolično/na en sam način (do vrstnega reda faktorjev natančno) zapišemo kot produkt potenc s praštevilskimi osnovami:

$$n = p_1^{k_1} \cdot p_2^{k_2} \cdot \ldots \cdot p_l^{k_l}.$$

Zapis naravnega števila kot produkt potenc s praštevilskimi osnovami imenujemo tudi **praštevilski** razcep.

Naloga 5.23. Zapišite število 8755 kot produkt sami praštevil in njihovih potenc.

Naloga 5.24. Razcepite število 3520 na prafaktorje.

Naloga 5.25. Zapišite praštevilski razcep števila 38250.

Naloga 5.26. Zapišite praštevilski razcep števila 3150.

Naloga 5.27. Razcepite število 66 na prafaktorje in zapišite vse njegove delitelje.

Naloga 5.28. Razcepite število 204 na prafaktorje in zapišite vse njegove delitelje.

Naloga 5.29. Zapišite vse izraze, ki delijo dani izraz.

- $x^2 + x 1$
- $x^3 x^2 4x + 4$
- $x^3 27$