#### **MATEMATIKA**

1. letnik – splošna gimnazija

#### Jan Kastelic

Fakulteta za matematiko in fiziko, Univerza v Ljubljani

22. marec 2024

### Vsebina

- 1 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- Deljivost, izjave, množice
- Racionalna števila
- Realna števila, statistika
- 5 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija

#### Section 1

Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe



3/71

- Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
  - Naravna in cela števila
  - Računanje z naravnimi in celimi števili
  - Izraz, enačba, neenačba
  - Računanje s potencami z naravnimi eksponenti
  - Razčlenjevanje izrazov
  - ullet Razstavljanje izrazov v množici  ${\mathbb Z}$
  - ullet Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici  ${\mathbb Z}$
  - Reševanje linearnih neenačb v množici Z
- Deljivost, izjave, množice
- Racionalna števila



4 / 71

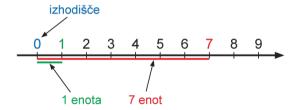
### Naravna števila

#### Množica naravnih števil:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \ldots\}$$

Naravna števila so števila s katerimi štejemo.

Naravna števila lahko predstavimo s točko na številski premici.



5 / 71

#### Množico naravnih števil definirajo Peanovi aksiomi:

- Vsako naravno število (n) ima svojega naslednika (n+1).
- Število 1 ni naslednik nobenega naravnega števila.
- Različni naravni števili imata različna naslednika:  $(n+1 \neq m+1; n \neq m)$ .
- Če neka trditev velja za vsako naravno število in tudi za njegovega naslednika, velja za vsa naravna števila princip popolne indukcije.

V množici  $\mathbb N$  sta definirani notranji operaciji: **seštevanje** in **množenje**.



6/71

### Seštevanje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **vsoto** a + b.

Vsota naravnih števil je naravno število:  $a, b \in \mathbb{N} \Rightarrow a + b \in \mathbb{N}$ .

#### Lastnosti:

- **komutativnost** členov/zakon o zamenjavi členov: a + b = b + a.
- asociativnost členov/zakon o združevanju členov: (a + b) + c = a + (b + c).

(ロト 4回 ト 4 E ト 4 E ト ) E り 9 Q (で

7 / 71

### Množenje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **produkt**  $a \cdot b$ .

Produkt naravnih števil je naravno število:  $a, b \in \mathbb{N} \Rightarrow a \cdot b \in \mathbb{N}$ .

#### Lastnosti:

- **komutativnost** faktorjev/zakon o zamenjavi faktorjev:  $a \cdot b = b \cdot a$ .
- asociativnost faktorjev/zakon o združevanju faktorjev:  $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$ .
- **distributivnost**/zakon o razčlenjevanju:  $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$ .
- zakon o nevtralnem elementu:  $a \cdot 1 = a$ .

<□ > <□ > <□ > <□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □

8 / 71

### Cela števila

#### Množica celih števil:

$$\mathbb{Z} = \{\ldots, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \ldots\}$$

Množica celih števil je definirana kot unija treh množic:

$$\mathbb{Z} = \mathbb{Z}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Z}^+$$

- množica **pozitivnih celih števil** ( $\mathbb{Z}^+$ ) naravna števila;
- število 0;
- ullet množica **negativnih celih števil** ( $\mathbb{Z}^-$ ) nasprotna števila vseh naravnih števil.

Nasprotno število število a je -a.



Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA 22. marec 2024 9 / 71

Poleg seštevanja in množenja je kot notranja operacija množice celih števil definirano še **odštevanje**.

#### Odštevanje

Poljubnima naravnima številoma a in b priredimo **razliko** a - b.

Odštevanje definiramo kot prištevanje nasprotne vrednosti: a-b=a+(-b)

Za odštevanje velja zakon **distributivnosti**:  $a \cdot (b - c) = a \cdot b - a \cdot c$ .



10 / 71

#### Računski zakoni

Komutativnostni zakon:

$$a+b=b+a$$
 in  $a\cdot b=b\cdot a$ 

Asociativnostni zakon:

$$a + (b + c) = (a + b) + c$$
 in  $a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$ 

Zakon o nevtralnem elementu:

$$a+0=a$$
 in  $a\cdot 1=a$ 

• Zakon o inverznem/nasprotnem elementu:

$$a + (-a) = 0$$

Distributivnostni zakon:

$$a \cdot (b \pm c) = a \cdot b \pm a \cdot c$$



11 / 71

### Pravila za računanje s celimi števili

• 
$$-(-a) = a$$

- $0 \cdot a = 0$
- $\bullet$   $-1 \cdot a = -a$
- (-a) + (-b) = -(a+b)
- $\bullet (-a) \cdot b = -(a \cdot b) = a \cdot (-b)$
- $(-a) \cdot (-b) = a \cdot b$



12 / 71

## Računanje z naravnimi in celimi števili

◆ロト ◆問 ト ◆ 意 ト ◆ 意 ・ 夕 Q ©

14 / 71

## Izraz, enačba, neenačba



15 / 71

## Računanje s potencami z naravnimi eksponenti

Potenca  $\mathbf{a}^{\mathbf{n}}$ , pri čemer je  $n \in \mathbb{N}$ , je produkt n faktorjev enakih a.



#### Pravila za računanje s potencami:

- $\mathbf{a^n} \cdot \mathbf{b^n} = (\mathbf{ab})^\mathbf{n}$  potenci z enakima eksponentoma zmnožimo tako, da zmnožimo osnovi in prepišemo eksponent
- $oldsymbol{a^m}\cdot oldsymbol{a^n}=oldsymbol{a^{m+n}}$  potenci z enako osnovo zmnožimo tako, da osnovo prepišemo in seštejemo eksponenta
- $(a^n)^m = a^{nm}$  potenco potenciramo tako, da osnovo prepišemo in zmnožimo eksponenta

 Jan Kastelic (FMF)
 MATEMATIKA
 22. marec 2024
 16 / 71

# Razčlenjevanje izrazov

17 / 71

## Razstavljanje izrazov v množici $\mathbb Z$

4□ > 4□ > 4□ > 4 = > 4 = > 4 = 900

18 / 71

### Reševanje linearnih in razcepnih enačb v množici Z

4日 > 4周 > 4 厘 > 4 厘 > 厘 の 9 9 9

19 / 71

## Reševanje linearnih neenačb v množici $\mathbb Z$

20 / 71

### Section 2

Deljivost, izjave, množice



21 / 71

- Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- Deljivost, izjave, množice
  - Relacija deljivosti
  - Pravila za deljivost
  - Praštevila in sestavljena števila
  - Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik
  - Osnovni izrek o deljenju
  - Evklidov algoritem in zveza Dv = ab
  - Številski sestavi
  - Izjave
  - Množice
- Racionalna števila



Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

22 / 71

# Relacija deljivosti

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ● 夕○○

22. marec 2024

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

# Pravila za deljivost

◆ロ → ← 荷 → ← き → ← ● ・ り へ ○

24 / 71

## Praštevila in sestavljena števila

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ 900

25 / 71

## Največji skupni delitelj in najmanjši skupni večkratnik

◆ロト ◆問 ト ◆ 意 ト ◆ 意 ・ 夕 Q ©

26 / 71

## Osnovni izrek o deljenju



27 / 71

### Evklidov algoritem in zveza Dv = ab



28 / 71

# Številski sestavi

◆□▶ ◆□▶ ◆重▶ ◆重▶ ■ のQ@

29 / 71

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

# Izjave

Jan Kastelic (FMF)

### Množice

◆ロト ◆園 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ り へ ⊙

22. marec 2024

Jan Kastelic (FMF)

### Section 3

### Racionalna števila



32 / 71

- Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- Deljivost, izjave, množice
- Racionalna števila
  - Številski ulomki
  - Racionalna števila
  - Algebrski ulomki
  - Računanje z ulomki
  - Potence s celimi eksponenti
  - Pravila za računanje s potencami s celimi eksponenti
  - Premo in obratno sorazmerje
  - Odstotki



Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA 22. marec 2024 33 / 71

# Številski ulomki



Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

### Racionalna števila



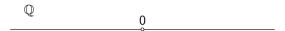
35 / 71

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

Racionalna števila

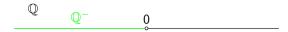
36 / 71

 $\mathbb{Q}$ 



$$\mathbb{Q} =$$





• množico negativnih racionalnih števil Q-,

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^-$$

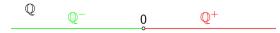
22. marec 2024



- množico negativnih racionalnih števil Q-,
- množico z elementom nič:  $\{ {f 0} \}$  in

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^- \cup \{0\}$$





- množico negativnih racionalnih števil Q-,
- ullet množico z elementom nič:  $\{{f 0}\}$  in
- množico pozitivnih racionalnih števil: Q+.

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Q}^+$$



22. marec 2024



- množico negativnih racionalnih števil Q-,
- množico z elementom nič:  $\{0\}$  in
- množico pozitivnih racionalnih števil: Q+.

$$\mathbb{Q} = \mathbb{Q}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Q}^+$$

Množica racionalnih števil je povsod gosta, saj lahko med poljubnima racionalnima številoma vedno najdemo racionalno število (posledično je med dvema racionalnima številoma neskončno mnogo racionalnih števil).



22 marec 2024



37 / 71

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* (<) oziroma *biti večji* (>). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b, d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:



37 / 71

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* (<) oziroma *biti*  $ve\check{c}ji$  (>). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b,d\in\mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

• prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad > bc;



37 / 71

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* (<) oziroma *biti večji* (>). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b,d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad > bc;
- ② drugi ulomek je večji od prvega  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad < bc;



37 / 71

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* (<) oziroma *biti večji* (>). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b,d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad > bc;
- ② drugi ulomek je večji od prvega  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad < bc;
- o ulomka sta enaka  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad = bc.



37 / 71

Množica racionalnih števil je **linearno urejena** z relacijo *biti manjši* (<) oziroma *biti večji* (>). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b,d \in \mathbb{N}$ ) velja natanko ena izmed treh možnosti:

- prvi ulomek je večji od drugega  $\frac{a}{b} > \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad > bc;
- ② drugi ulomek je večji od prvega  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad < bc;
- o ulomka sta enaka  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je ad = bc.

Enaka ulomka predstavljata isto racionalno število.



37 / 71

Racionalna števila



38 / 71



38 / 71



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.

38 / 71



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.



38 / 71



Slike pozitivnih racionalnih števil ležijo desno, slike negativnih racionalnih števil pa levo od koordinatnega izhodišča.

$$\mathbb{Q}^ \mathbb{Q}^+$$
negativna števila pozitivna števila

V množici ulomkov velja, da je vsak negativen ulomek manjši od vsakega pozitivnega ulomka.



38 / 71



39 / 71

Monotonost vsote



22. marec 2024

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

#### Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.



39 / 71

#### Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$



39 / 71

#### Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$



39 / 71

#### Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

#### **Tranzitivnost**



39 / 71

#### Monotonost vsote

Če na obeh straneh neenakosti prištejemo isto število, se neenakost ohrani.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} + \frac{e}{f} < \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$$

#### **Tranzitivnost**

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{c}{d} < \frac{e}{f} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} < \frac{e}{f}$$



39 / 71

Racionalna števila



40 / 71

<ロ > < 個 > < 国 > < 重 > < 重 > へ で の へ で

40 / 71

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$



$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$



$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.



$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$



$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$



$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

Jan Kastelic (FMF)

40 / 71

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} > 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} < \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri množenju neenakosti s negativnim številom se znak neenakosti obrne.

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \wedge \quad \frac{e}{f} < 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{e}{f} > \frac{c}{d} \cdot \frac{e}{f}$$

Pri prehodu na nasprotno vrednost se neenačaj obrne:

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad -\frac{a}{b} > -\frac{c}{d}$$



Racionalna števila

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA 22. marec 2024 41 / 71 Množica racionalnih števil pa je tudi **delno urejena**, in sicer z relacijo *biti manjši ali enak* ( $\leq$ ) oziroma *biti večji ali enak* ( $\geq$ ). Za ulomka  $\frac{a}{b}$  in  $\frac{c}{d}$  ( $b,d\in\mathbb{N}$ ) velja vsaj ena izmed možnosti:

(ㅁㅏㅓ@ㅏㅓㅌㅏㅓㅌㅏ = - 쒸٩@

41 / 71

• prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \ge bc$ ;

(ロト 4년) N 4 분 N 4 분 N 9 및 19 이익()

41 / 71

- prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \ge bc$ ;
- ② drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \leq bc$ ;



41 / 71

- prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \ge bc$ ;
- ② drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \le bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:



41 / 71

- prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \ge bc$ ;
- ② drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \le bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

•  $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$  - refleksivnost;



41 / 71

- prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \ge bc$ ;
- ② drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \ge \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \le bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$  refleksivnost;
- $\frac{a}{b} \le \frac{c}{d} \land \frac{c}{d} \le \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  antisimetričnost in



41 / 71

Racionalna števila

- prvi ulomek je večji ali enak od drugega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \geq bc$ ;
- ② drugi ulomek je večji ali enak od prvega  $\frac{a}{b} \geq \frac{c}{d}$  natanko tedaj, ko je  $ad \leq bc$ ;

Za (zgornjo) relacijo delne urejenosti veljajo naslednje lastnosti:

- $\frac{a}{b} \leq \frac{a}{b}$  refleksivnost;
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \wedge \frac{c}{d} \leq \frac{a}{b} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  antisimetričnost in
- $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{4} \wedge \frac{c}{4} \leq \frac{e}{4} \Rightarrow \frac{a}{b} \leq \frac{e}{4}$  tranzitivnost.



41 / 71

# Algebrski ulomki

◆ロト ◆団 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 へ ○

22. marec 2024

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

# Računanje z ulomki



43 / 71

# Potence s celimi eksponenti

◆ロト ◆問 ト ◆ 豆 ト ◆ 豆 ・ 夕 Q Q

44 / 71

## Pravila za računanje s celimi eksponenti

◆ロ → ← 荷 → ← き → ← ● ・ り へ ○

45 / 71

## Premo in obratno sorazmerje



46 / 71

## Odstotki

◆ロト ◆団 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 へ ○

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

#### Section 4

# Realna števila, statistika



48 / 71

- 1 Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- Deljivost, izjave, množice
- Racionalna števila
- Realna števila, statistika
  - Realna števila
  - Kvadratni in kubični koren
  - Intervali
  - Absolutna vrednost
  - Sistem linearnih enačb
  - Obravnavanje linearnih enačb, neenačb, sistemov
  - Absolutna in relativna napaka



22. marec 2024

Jan Kastelic (FMF)

### Realna števila

4 D > 4 P > 4 E > 4 E > E 990

50 / 71

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

### Kvadratni in kubični koren

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ 900

51 / 71

## Intervali



22. marec 2024

Jan Kastelic (FMF)

### Absolutna vrednost



53 / 71

Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

#### Sistem linearnih enačb



54 / 71

### Obravnavanje linearnih enačb, neenačb, sistemov

Realna števila, statistika

55 / 71

## Absolutna in relativna napaka



## **Sredine**

22. marec 2024

Jan Kastelic (FMF)

## Razpršenost podatkov



58 / 71

## Prikazi



Jan Kastelic (FMF) MATEMATIKA

#### Section 5

Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija



60 / 71

- Naravna in cela števila, izrazi, enačbe in neenačbe
- 2 Deljivost, izjave, množice
- Racionalna števila
- 4 Realna števila, statistika
- 🏮 Pravokotni koordinatni sistem, linearna funkcija
  - Pravokotni koordinatni sistem
  - Razdalja med točkama in razpolovišče daljice
  - Ploščina trikotnika
  - Osnovno o funkcijah
  - Linearna funkcija in premica



61/71

#### Pravokotni koordinatni sistem

4日 → 4団 → 4 三 → 4 三 → 9 Q ©

62 / 71

### Razdalja med točkama in razpolovišče daljice



63 / 71

### Ploščina trikotnika

4 □ ト 4 □ ト 4 亘 ト 4 亘 り Q ○

64 / 71

## Osnovno o funkcijah



65 / 71

# Linearna funkcija in premica

◆ロ → ← 荷 → ← き → ← ● ・ り へ ○

66 / 71

# Oblike enačbe premice

67 / 71

# Presešišče premic

68 / 71

#### Sistem linearnih neenačb

69 / 71

# Modeliranje z linearno funkcijo

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 900

70 / 71

# (i) Linearno programiranje

71 / 71