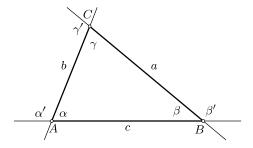
12.4 Trikotnik 121

12.4 Trikotnik

Definicija 12.70. Trikotnik je lik/množica točk v ravnini, omejena s tremi daljicami – stranicami (a,b,c), ki povezujejo tri nekolinearne točke (A,B,C) v ravnini. Te točke imenujemo oglišča trikotnika.



V trikotniku $\triangle ABC$ so α, β in γ **notranji koti**, njihovi sokoti α', β' in γ' pa so **zunanji koti**.

Izrek 12.71. Vsota notranjih kotov trikotnika je 180°:

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$
.

Izrek 12.72. Zunanji kot trikotnika je enak vsoti notranjih nepriležnih kotov:

$$\alpha' = \beta + \gamma$$
$$\beta' = \alpha + \gamma$$
$$\gamma' = \alpha + \beta$$

Izrek 12.73. Vsota zunanjih kotov trikotnika je 360°:

$$\alpha' + \beta' + \gamma' = 360^{\circ}.$$

Izrek 12.74. Nasproti daljše stranice trikotnika leži večji notranji kot, nasproti krajše stranice pa manjši notranji kot trikotnika.

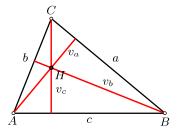
$$a > b \Leftrightarrow \alpha > \beta$$

Izrek 12.75 (Trikotniška neenakost). Vsaka stranica trikotnika je krajša od vsote dolžin drugih dveh stranic.

$$a < b + c$$
$$b < a + c$$
$$c < a + b$$

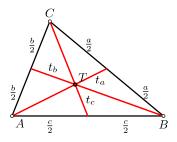
Izrek 12.76. Vsaka stranica trikotnika je daljša od absolutne vrednosti razlike dolžin drugih dveh stranic.

Definicija 12.77. Višina na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje nosilko te stranice z nasprotnim ogliščem in je pravokotna na to nosilko. Njena dolžina je razdalja oglišča od nasprotne stranice.



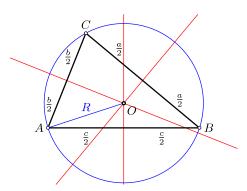
Izrek 12.78. Nosilke vseh treh višin na stranice trikotnika se sekajo v eni točki, ki jo imenujemo višinska točka ali ortocenter.

Definicija 12.79. *Težiščnica* na stranico trikotnika je daljica, ki povezuje razpolovišče te stranice z nasprotnim ogliščem.



Izrek 12.80. Vse tri trikotnikove težiščnice se sekajo v eni točki – težišču ali baricentru trikotnika. Težišče deli težiščnico v razmerju 1 : 2.

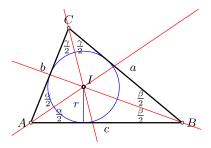
Izrek 12.81. Simetrale vseh treh stranic trikotnika se sekajo v eni točki – središču trikotniku očrtane krožnice.



Očrtana krožnica poteka skozi vsa oglišča trikotnika. Vse stranice trikotnika so tetive krožnice.

12.4 Trikotnik 123

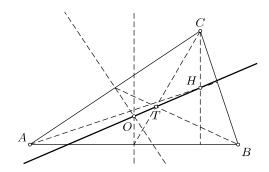
Izrek 12.82. Simetrale notranjih kotov trikotnika se sekajo v eni točki. Ta točka je središče trikotniku včrtane krožnice.



Včrtana krožnica ima vse tri stranice trikotnika za tangente.

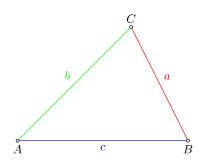
Težišče, središče trikotniku očrtane kroznice, središče trikotniku včrtane krožnice in višinska točka so **znamenite točke trikotnika**.

Izrek 12.83. Višinska točka, središče očrtane krožnice in težišče so vedno kolinearne. Premico, ki jih povezuje, imenujemo Eulerjeva premica.

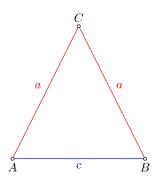


Vrste trikotnikov glede na stranice

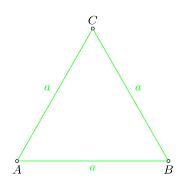
• raznostranični trikotnik – vse tri stranice različno dolge, vsi trije koti so različni



• enakokraki trikotnik – dve stranici enako dolgi ⇒ kota ob osnovnici sta skladna

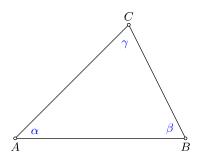


• enakostranični ali pravilni trikotnik – vse tri stranice enako dolge \Rightarrow vsi trije koti so skladni

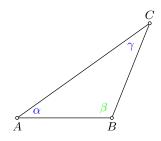


Vrste trikotnikov glede na kote

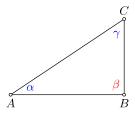
• ostrokotni trikotnik – ima tri ostre notranje kote



• topokotni trikotnik – ima en topi notranji kot, ostala dva kota ostra



• pravokotni trikotnik – ima en pravi notranji kot, ostala dva kot ostra



12.4 Trikotnik 125

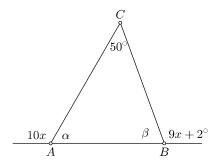
Naloga 12.84. Dve stranici trikotnika merita 2 in 7 enot. Zapišite interval vrednosti za dolžino tretje stranice tega trikotnika.

Naloga 12.85. Ali obstaja trikotnik, katerega dolžine stranic so rešitve sistema enačb:

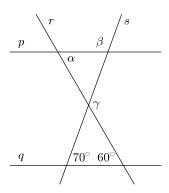
$$a+b+c=16$$
$$a-c=2$$
$$a+b=13.$$

Naloga 12.86. Za katere vrednosti števila x obstaja trikotnik s stranicami dolžin x + 7, 2x + 2 in 3x - 1?

Naloga 12.87. Izračunajte velikosti kotov α in β .



Naloga 12.88. Premici p in q sta vzporedni. Izračunajte velikosti kotov α , β in γ .



Naloga 12.89. Izračunajte velikosti vseh notranjih in zunanjih kotov trikotnika $\triangle ABC$, če je vsota velikosti dveh zunanjih kotov $\alpha' + \gamma' = 230^{\circ}$, vsota velikosti dveh notranjih kotov pa $\alpha + \beta = 70^{\circ}$.

Naloga 12.90. Izračunajte velikosti vseh notranjih in zunanjih kotov trikotnika $\triangle ABC$, če je vsota velikosti dveh zunanjih kotov $\alpha' + \beta' = 234^{\circ}$, razlika velikosti dveh notranjih kotov pa $\alpha - \beta = 28^{\circ}$.

Naloga 12.91. Narišite trikotnik s podatki:

- $a = 4 \ cm, \ b = 5 \ cm \ in \ c = 7 \ cm,$
- $a = 4 \ cm, \ b = 6 \ cm \ in \ \beta = 60^{\circ},$
- $a = 4 \ cm, \ b = 4.5 \ cm \ in \ t_a = 4 \ cm,$
- $b = 4 \ cm, \ t_b = 5 \ cm \ in \ \gamma = 105^{\circ},$
- $v_a = 4 \ cm, \ t_c = 2.5 \ cm \ in \ \beta = 30^{\circ},$
- $b = 5 \ cm, \ v_a = 2 \ cm \ in \ \beta = 30^{\circ},$
- a + b + c = 13 cm, $v_c = 3$ cm in $\alpha = 60^{\circ}$,
- $a + b = 7 \ cm$, $\alpha = 45^{\circ} \ in \ v_b = 4 \ cm$.