26 4. Potence in izrazi

4.3 Večkratniki

Večkratnik ali tudi k-kratnik števila x je vsota k enakih sumandov x:

$$k \cdot x = \underbrace{x + x + \ldots + x}_{k \text{ sumandov}}.$$

Vse večkratnike števila x dobimo tako, da število x zapored pomnožimo z vsemi celimi števili:

$$\{\ldots, -5x, -4x, -3x, -2x, -x, 0, x, 2x, 3x, 4x, 5x, \ldots\} = \{kx; k, x \in \mathbb{Z}\}.$$

Število \mathbf{k} je **koeficient** števila oziroma spremenljivke x.

4.4 Algebrski izrazi

Algebrski izraz ali izraz je smiseln zapis sestavljen iz:

- števil,
- spremenljivk/parametrov, ki predstavljajo števila in jih označujemo s črkami,
- oznak računskih operacij in funkcij, ki jih povezujejo,
- oklepajev, ki določajo vrstni red računanja.

Če v izraz namesto spremenljivk vstavimo konkretna števila in izračunamo rezultat, dobimo **vrednost izraza** (pri dani izbiri spremenljivk).

Dva matematična izraza sta **enakovredna**, če imata pri katerikoli izbiri spremenljivk vedno enako vrednost.

4.5 Računanje z algebrskimi izrazi

Pri poenostavljanju izrazov veljajo vsi računski zakoni, ki veljajo za računanje s števili.

Komutativnost seštevanja

$$\mathbf{x} + \mathbf{y} = \mathbf{y} + \mathbf{x}$$

Asociativnost seštevanja

$$(\mathbf{x} + \mathbf{y}) + \mathbf{z} = \mathbf{x} + (\mathbf{y} + \mathbf{z})$$

Komutativnost množenja

$$\mathbf{x} \cdot \mathbf{y} = \mathbf{y} \cdot \mathbf{x}$$

Asociativnost množenja

$$(\mathbf{x} \cdot \mathbf{v}) \cdot \mathbf{z} = \mathbf{x} \cdot (\mathbf{v} \cdot \mathbf{z})$$

Distributivnost seštevanja in množenja

$$(x+y) \cdot z = \mathbf{x} \cdot \mathbf{z} + \mathbf{y} \cdot \mathbf{z}$$

Če v distributivnostnem zakonu zamenjamo levo in desno stran, dobimo pravilo o **izpostavlja**nju skupnega faktorja: xz + yz = (x + y)z.

4.5.1 Seštevanje in izpostavljanje izrazov

Med seboj lahko seštevamo samo člene, ki se razlikujejo kvečjemu v koeficientu. To naredimo tako, da seštejemo koeficienta.

$$mx^{2} + ny + kx^{2} + ly = mx^{2} + kx^{2} + ny + ly = (m+k)x^{2} + (n+l)y$$

4.5.2 Množenje izrazov

Dva izraza zmnožimo tako, da vsak člen prvega izraza zmnožimo z vsakim členom drugega izraza. Potem pa seštejemo podobne člene.

$$(x+y)(z+w) = xz + xw + yz + yw$$

Naloga 4.12. Poenostavite.

- 3a + 2b a + 7b
- $2a^2b ab^2 + 3a^2b$
- $5a^4 (2a)^4 + (-3a^2)^2 3(a^2)^2$
- $3(a-2(a+b))-2(b-a(-2)^2)$

Naloga 4.13. Zapišite izraz.

- Kvadrat razlike števil x in y.
- Razlika kvadratov števil x in y.
- Razlika petkratnika m in kvadrata števila 3.
- Kub razlike sedemkratnika števila x in trikratnika števila y.

Naloga 4.14. Izpostavite skupni faktor.

- $3x + 12y^2$
- $m^3 + 8mp$
- $22a^3 33ab$
- $kr^2 rk^2$
- $4u^2v^3 6uv^2$
- $12a^2b 8(ab)^2 (2ab)^4$

Naloga 4.15. Izpostavite skupni faktor.

- 3x(x+1) + 5(x+1)
- (a-1)(a+1) + (a-1)
- 4(m-1)-(1-m)(a+b)
- 3(c-2) + 5c(2-x)
- (-y+x)3a-(y-x)b

Naloga 4.16. Izpostavite skupni faktor.

- $5^{11} 5^{10} + 5^9$
- $2 \cdot 3^8 + 5 \cdot 3^6$
- $4 \cdot 5^{10} 10 \cdot 5^8 8 \cdot 5^9$
- $7^5 7^6 + 7 \cdot 7^4$

Naloga 4.17. Izpostavite skupni faktor.

- $3^n 2 \cdot 3^{n+1} + 3^{n+2}$
- $2^{k+2} 2^k$
- $5 \cdot 3^m + 2 \cdot 3^{m+1}$
- $2^{n-3} + 3 \cdot 2^{n-2} 2^{n-1}$
- $3 \cdot 5^{n+1} 5^{n+2} + 4 \cdot 5^{n+3}$
- $7^n + 2 \cdot 7^{n-1} 3 \cdot 7^{n+1}$

4. Potence in izrazi

Naloga 4.18. Izpostavite skupni faktor in izračunajte.

•
$$2^{2n} + 4^n + (2^n)^2$$

•
$$5^{2n+1} - 25^n + 3 \cdot 5^{2n-1}$$

•
$$5 \cdot 2^{3n} - 3 \cdot 8^{n-1}$$

•
$$49^n - 2 \cdot 7^{2n-1}$$

Naloga 4.19. Izpostavite skupni faktor.

•
$$4a^n + 6a^{n+1}$$

•
$$b^n + b^{n+1} - 2b^{n-1}$$

•
$$a^{n-3} + 5a^n$$

•
$$3x^{n+1} - 15x^n + 18x^{n-1}$$

Naloga 4.20. Zmnožite.

•
$$(x-3)(x+2)$$

•
$$(2m+3)(5m-1)$$

•
$$(1-a)(1+a)$$

•
$$(x-3y)(2x+y)$$

•
$$(m-2k)(3m-k)$$

Naloga 4.21. Zmnožite.

•
$$(a+b-1)(a-b)$$

•
$$(2x+y)(3x-4y+5)$$

•
$$(m+2n-k)(m+2n+k)$$

Naloga 4.22. Zmnožite.

•
$$(x^2-3)(x^3+2)$$

•
$$(3x^2 - y)(5y^4 - 7x^3)$$

•
$$(u^3-1)(u^3+1)$$

•
$$(a^5b^2-4b)(3a^7+2a^2b)$$

•
$$(a-b)(a^2+ab+b^2)$$

•
$$(z+w)(z^2-zw+w^2)$$

Naloga 4.23. Poenostavite.

•
$$(2x-y)(3+y) + (y-4)(y+4) - 2xy + 3(y-2x+5)$$

•
$$(x-y)(x+y) - (x^2 + xy + y^2)(x-y) - (1-x)x^2 + (-y)y^2$$

•
$$2ab + (a - 3b^2)(a + 3b^2) + 2^3(-b^2)^2 - (a - b)(b - a) - 2a^3$$