MATEMATIKA

7. razred – osnovna šola

Jan Kastelic

Fakulteta za matematiko in fiziko, Univerza v Ljubljani

14. december 2023

Vsebina

Računanje z ulomki

2/20

Section 1

Računanje z ulomki



3/20

- 🚺 Računanje z ulomki
 - Ulomki z enakimi imenovalci
 - Seštevanje ulomkov
 - Odštevanje ulomkov
 - Množenje ulomka z naravnim številom
 - Množenje ulomka z ulomkom
 - Deljenje ulomka z naravnim številom
 - Deljenje ulomka z ulomkom
 - Številski izrazi
 - Naloge z besedilo
 - Izrazi s spremenljivkami
 - Enačbe in neenačbe



4/20

Ulomki z enakimi imenovalci

Ulomke z enakimi imenovalci seštevamo tako, da seštejemo števce, imenovalce pa prepišemo.

$$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{c}} + \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{c}} = \frac{\mathbf{a} + \mathbf{b}}{\mathbf{c}},$$

pri pogoju, da $c \neq 0$.

Ulomke z enakimi imenovalci odštevamo tako, da imenovalec prepišemo, števec pa izračunamo tako, da od števca prvega ulomka odštejemo števec drugega ulomka.

$$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{c}} - \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{c}} = \frac{\mathbf{a} - \mathbf{b}}{\mathbf{c}},$$

pri pogoju, da $a \leq b$ in $c \neq 0$.

5/20

POMNI

Rezultat zapišemo s celim delom in delom manjšim od 1 ter ga okrajšamo.



6/20

Seštevanje ulomkov

Seštevanje ulomkov z različnimi imenovalci

Ulomke z različnimi imenovalci seštevamo tako, da jih najprej razširimo na skupni imenovalec, imenovalec prepišemo, števce pa seštejemo.

POMNI

Dobljeni rezultat zapišemo s celim delom in delom, manjšim od 1.

POMNI

Rezultat vedno zapišemo kot okrajšan ulomek.



7 / 20

Odštevanje ulomkov

Odštevanje ulomkov z različnimi imenovalci

Ulomke z različnimi imenovalci odštevamo tako, da jih najprej razširimo na skupni imenovalec, imenovalec prepišemo, od števca zmanjševanca (prvega ulomka) pa odštejemo števec odštevanca (drugega ulomka).

POMNI

Če moramo zaporedoma odšteti več odštevancev, odštevance seštejemo in nato odštejemo njihovo vsoto.



8 / 20

Množenje ulomka z naravnim številom

Ulomek množimo z naravnim številom tako, da števec pomnožimo z naravnim številom, imenovalec pa prepišemo.

$$\mathbf{n} \cdot \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}} = \frac{\mathbf{n} \cdot \mathbf{a}}{\mathbf{b}},$$

pri pogoju, da $b \neq 0$.

POZOR

$$n \cdot \frac{a}{b} \neq n \frac{a}{b}$$



Jan Kastelic (FMF)

Množenje ulomka z ulomkom

Ulomek **množimo** z ulomkom tako, da **pomnožimo števec s števcem** in **imenovalec** z **imenovalcem**.

$$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d},$$

pri pogoju, da $b \neq 0, d \neq 0$.

PO70R

$$m\frac{a}{b} \cdot n\frac{c}{d} \neq m \cdot n\frac{a \cdot c}{b \cdot d}$$

POMNI

Rezultat naj bo vedno okrajšani ulomek. Če je mogoče, naj bo zapisan s celim delom in ulomkom, manjšim od 1.

10 / 20

11 / 20

Deljenje ulomka z naravnim številom

Ulomek delimo z naravnim številom na dva načina:

• števec ulomka delimo z naravnim številom:

$$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}}:\mathbf{n}=\frac{\mathbf{a}:\mathbf{n}}{\mathbf{b}};$$

imenovalec ulomka **pomnožimo** z naravnim številom:

$$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}} : \mathbf{n} = \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b} \cdot \mathbf{n}}.$$

POZOR

Drugi način je vedno mogoč, prvi pa le, če je števec ulomka deljiv z danim naravnim številom.

Deljenje ulomka z ulomkom

Obratni ulomek

Obratna ulomka sta ulomka, katerih produkt je enak 1.

$$\frac{a}{b} \cdot \frac{b}{a} = 1$$

Deljenje ulomkov

Ulomek delimo z drugim ulomkom tako, da ga pomnožimo z obratno vrednostjo drugega ulomka.

$$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}} : \frac{\mathbf{c}}{\mathbf{d}} = \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}} \cdot \frac{\mathbf{d}}{\mathbf{c}} = \frac{\mathbf{a} \cdot \mathbf{d}}{\mathbf{b} \cdot \mathbf{c}}$$

12 / 20

Številski izrazi

Vrstni red operacij

Pri številskih izrazih z oklepaji **izračunamo najprej računske operacije v oklepaju**. Vedno najprej v najbolj notranjem oklepaju.

Pri številskih izrazih brez oklepajev upoštevamo običajni vrstni red, po katerem množimo in delimo pred seštevanjem in odštevanjem.

◆□▶ ◆圖▶ ◆圖▶ ◆圖▶ ■ めの@

13 / 20

Naloge z besedilom

DOGOVOR

Vsaka naloga z besedilom zahteva tudi zapisan odgovor.

POMNI

operacija	rezultat	
+ seštevanje	vsota	
odštevanje	razlika	
· množenje	produkt	
: deljenje	kvocient	



Izrazi s spremenljivkami



15 / 20

Enačbe in neenačbe

Reševanje enačb in neenačb

Besedilne naloge, ki vsebujejo neznane količine (enačbe ali neenačbe) rešujemo tako, da najprej **določimo neznanko**, nato **sklepamo**, nakar **rešimo nalogo** s preglednico, diagramom ali enačbo, na koncu **preverimo rezultat** in **zapišemo odgovor**.



16 / 20

Neenakost je izjavna oblika, v kateri nastopajo znaki <, >, \le ali \ge .



17 / 20

Neenakost je izjavna oblika, v kateri nastopajo znaki <, >, \le ali \ge .

<	manjše	
>	večje	
<	manjše ali enako	
<u> </u>	večje ali enako	

17 / 20

Neenakost je izjavna oblika, v kateri nastopajo znaki <, >, \le ali \ge .

$$12.5 - 2 > 8$$

 $3 + 6 < 9$

	Ţ	
<	manjše	
>	večje	
<u> </u>	manjše ali enako	
>	večje ali enako	

Jan Kastelic (FMF)

Neenakost je izjavna oblika, v kateri nastopajo znaki <, >, \le ali \ge .

$$12.5 - 2 > 8$$

 $3 + 6 < 9$

<	manjše	
>	večje	
<u> </u>	manjše ali enako	
<u>></u>	večje ali enako	

Neenačba je neenakost, v kateri nastopa neznanka.



17 / 20

Jan Kastelic (FMF)

Neenakost je izjavna oblika, v kateri nastopajo znaki <, >, \le ali \ge .

$$12.5 - 2 > 8$$

 $3 + 6 < 9$

<	manjše	
>	večje	
<u> </u>	manjše ali enako	
<u>></u>	večje ali enako	

Neenačba je neenakost, v kateri nastopa neznanka.

$$0.7 + x \ge 4$$
$$3 \cdot x + 5 < 17.6$$



14. december 2023



18 / 20

Rešitev neenačbe je vsako število, za katero dobimo iz izjavne oblike pravilno izjavo. Zapišemo množico rešitev, ki jo označimo z \mathcal{R} .



18 / 20

Rešitev neenačbe je vsako število, za katero dobimo iz izjavne oblike pravilno izjavo. Zapišemo množico rešitev, ki jo označimo z \mathcal{R} .

$$x+3\frac{1}{4}<9$$

$$\mathcal{R} = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$



18 / 20

Rešitev neenačbe je vsako število, za katero dobimo iz izjavne oblike pravilno izjavo. Zapišemo množico rešitev, ki jo označimo z \mathcal{R} .

$$x+3rac{1}{4} < 9$$
 $\mathcal{R} = \{1,2,3,4,5\}$ $\mathcal{U} = \{2,3,4\}$ $x+3rac{1}{4} < 9$ $\mathcal{R} = \{2,3,4\}$

18 / 20

Rešitev neenačbe je vsako število, za katero dobimo iz izjavne oblike pravilno izjavo. Zapišemo množico rešitev, ki jo označimo z \mathcal{R} .

$$x + 3\frac{1}{4} < 9$$
 $\mathcal{R} = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

$$U = \{2, 3, 4\}$$
$$x + 3\frac{1}{4} < 9$$
$$\mathcal{R} = \{2, 3, 4\}$$

$$\mathcal{U} = \{10, 11, 12, 13, 14, 15\}$$
 $x + 3\frac{1}{4} < 9$ $\mathcal{R} = \{\}$

18 / 20

Rešitev neenačbe je vsako število, za katero dobimo iz izjavne oblike pravilno izjavo. Zapišemo množico rešitev, ki jo označimo z \mathcal{R} .

$$\begin{array}{c} x+3\frac{1}{4}<9 \\ \mathcal{R}=\{1,2,3,4,5\} \end{array} \qquad \begin{array}{c} \mathcal{U}=\{2,3,4\} \\ x+3\frac{1}{4}<9 \\ \mathcal{R}=\{2,3,4\} \end{array} \qquad \begin{array}{c} \mathcal{U}=\{10,11,12,13,14,15\} \\ x+3\frac{1}{4}<9 \\ \mathcal{R}=\{2,3,4\} \end{array}$$

Množica rešitev je odvisna od osnovne množice. Kadar v osnovni množici ni števila, ki reši enačbo ali neenačbo, je množica rešitev prazna. Kar zapišemo $\mathcal{R}=\emptyset$ ali $\mathcal{R}=\{\}$.

Naj bo
$$\mathcal{U} = \left\{ \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 1, 1\frac{1}{3} \right\}$$
.

Naj bo $\mathcal{U}=\left\{\frac{1}{3},\frac{2}{3},1,1\frac{1}{3}\right\}$. Rešujemo enačbo $x+2\frac{1}{2}\leq 3\frac{1}{2}$.



19 / 20

Naj bo $\mathcal{U}=\left\{\frac{1}{3},\frac{2}{3},1,1\frac{1}{3}\right\}$. Rešujemo enačbo $x+2\frac{1}{2}\leq 3\frac{1}{2}$.

X	leva stran neenačbe:	desna stran neenačbe:	pravilnost

Naj bo $\mathcal{U}=\left\{\frac{1}{3},\frac{2}{3},1,1\frac{1}{3}\right\}$. Rešujemo enačbo $x+2\frac{1}{2}\leq 3\frac{1}{2}$.

X	leva stran neenačbe: $x + 2\frac{1}{2}$	desna stran neenačbe: $3\frac{1}{2}$	pravilnost
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3} + 2\frac{1}{2} = 2\frac{5}{6}$	$3\frac{1}{2}$	Р
<u>2</u> 3	$\frac{2}{3} + 2\frac{1}{2} = 3\frac{1}{6}$	$3\frac{1}{2}$	Р
1	$1 + 2\frac{1}{2} = 3\frac{1}{2}$	$3\frac{1}{2}$	Р
$1\frac{1}{3}$	$1\frac{1}{3} + 2\frac{1}{2} = 3\frac{5}{6}$	$3\frac{1}{2}$	N



Jan Kastelic (FMF)

Naj bo $\mathcal{U}=\left\{\frac{1}{3},\frac{2}{3},1,1\frac{1}{3}\right\}$. Rešujemo enačbo $x+2\frac{1}{2}\leq 3\frac{1}{2}$.

X	leva stran neenačbe: $x + 2\frac{1}{2}$	desna stran neenačbe: $3\frac{1}{2}$	pravilnost
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3} + 2\frac{1}{2} = 2\frac{5}{6}$	$3\frac{1}{2}$	Р
<u>2</u> 3	$\frac{2}{3} + 2\frac{1}{2} = 3\frac{1}{6}$	$3\frac{1}{2}$	Р
1	$1 + 2\frac{1}{2} = 3\frac{1}{2}$	$3\frac{1}{2}$	Р
$1\frac{1}{3}$	$1\frac{1}{3} + 2\frac{1}{2} = 3\frac{5}{6}$	$3\frac{1}{2}$	N

Zapišemo množico rešitev: $\mathcal{R} = \left\{\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 1\right\}$.



14. december 2023

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}$.



20 / 20

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}.$

$$3 \cdot x + 4\frac{1}{2} \le 15\frac{1}{4}$$

20 / 20

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}.$

$$3 \cdot x + 4\frac{1}{2} \le 15\frac{1}{4}$$

Na obeh straneh neenačbe odštejemo $4\frac{1}{2}$.



20 / 20

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}.$

$$3\cdot x + 4\frac{1}{2} \le 15\frac{1}{4}$$

$$3 \cdot x \le 15\frac{1}{4} - 4\frac{1}{2}$$

Na obeh straneh neenačbe odštejemo $4\frac{1}{2}$.



20/20

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}.$

$$3\cdot x + 4\frac{1}{2} \le 15\frac{1}{4}$$

$$3 \cdot x \le 15 \frac{1}{4} - 4 \frac{1}{2}$$

$$3 \cdot x \le 10\frac{3}{4}$$

Na obeh straneh neenačbe odštejemo $4\frac{1}{2}$.

20/20

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}$.

$$3 \cdot x + 4\frac{1}{2} \le 15\frac{1}{4}$$

$$3 \cdot x \le 15\frac{1}{4} - 4\frac{1}{2}$$

$$3 \cdot x \le 10\frac{3}{4}$$

Na obeh straneh neenačbe odštejemo $4\frac{1}{2}$.

Obe strani neenačbe delimo s 3.



Jan Kastelic (FMF)

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}.$

$$3\cdot x + 4\frac{1}{2} \le 15\frac{1}{4}$$

$$3 \cdot x \le 15\frac{1}{4} - 4\frac{1}{2}$$

$$3 \cdot x \le 10\frac{3}{4}$$

$$x \le \frac{43}{4} : 3$$

Na obeh straneh neenačbe odštejemo $4\frac{1}{2}$.

Obe strani neenačbe delimo s 3.



Jan Kastelic (FMF)

Naj bo $\mathcal U$ množica vseh nenegativnih števil. Rešiti želimo neenačbo $3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}.$

$$3\cdot x + 4\frac{1}{2} \leq 15\frac{1}{4}$$

$$3 \cdot x \le 15 \frac{1}{4} - 4 \frac{1}{2}$$

$$3 \cdot x \le 10\frac{3}{4}$$

$$x \leq \frac{43}{4}:3$$

$$x \le 3\frac{7}{12}$$

Na obeh straneh neenačbe odštejemo $4\frac{1}{2}$.

Obe strani neenačbe delimo s 3.

