Statistika 2024/25, Vaje 5 VB, BF

1. Določite funkcijo gostote za slučajno spremenljivko X, ki ima naslednjo porazdelitveno funkcijo

$$F(x) = \begin{cases} 0, & \text{\'e } x < -2; \\ \frac{1}{4}x + \frac{1}{2}, & \text{\'e } -2 \le x < 1; \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{4}, & \text{\'e } 1 \le x < 1, 5; \\ 1, & \text{\'e } x \ge 1, 5. \end{cases}$$

Narišite tudi grafa obeh funkcij.

2. Naj bo dana funkcija

$$f(x) = \begin{cases} cx^2, & \text{\'e } 0 < x < 2; \\ 0, & \text{sicer.} \end{cases}$$

- (a) Določite c tako, da bo f funkcija gostote za neko slučajno spremenljivko X.
- (b) Določite porazdelitveno funkcijo F.
- (c) Izračunajte $P(0 \le X \le 1)$ in $P(1 \le X \le 2)$. Izračunajte še varianco slučajne spremenljivke X.
- 3. Privzemimo, da je srčni utrip odraslega človeka v mirovanju porazdeljen normalno N(65,25). Kolikšen delež populacije ima v mirovanju srčni utrip:
 - (a) vsaj 70 udarcev na minuto?
 - (b) največ 70 udarcev na minuto?
 - (c) največ 120 udarcev na minuto?
 - (d) med 70 in 120 udarcev na minuto? Izračunajte še 1. kvartil porazdelitve.
- 4. Privzemimo, da je spremenljivka *Temperatura habitata pajkov* porazdeljena normalno $N(\mu, \sigma^2)$, kjer je $\mu = 13$ populacijsko povprečje in $\sigma = 3$ populacijski standardni odklon.
 - (a) Kolikšna je verjetnost, da pajek živi v okolju s temperaturo manjšo od 12°C?
 - (b) Kolikšna je verjetnost, da pajek živi v okolju s temperaturo med $10^{\circ}C$ in $15^{\circ}C$?
 - (c) Kolikšna je verjetnost, da pajek živi v okolju s temperaturo večjo od 15°C?
- 5. Teža velike pliskavke iz družine delfinov je porazdeljena približno normalno s povprečjem 500 lb (pounds) in standardnim odklonom 50 lb. Na podlagi teh podatkov ocenite
 - (a) simetrični interval okrog povprečja, za katerega pričakujemo, da bo vseboval težo 95% delfinov;
 - (b) simetrični interval okrog povprečja, za katerega pričakujemo, da bo vseboval težo 99% delfinov;
 - (c) peti percentil teže delfinov;
 - (d) delež delfinov s težo, ki je 500 lb ali večja;
 - (e) verjetnost, da bo delfin tehtal natanko 500 lb;
 - (f) delež delfinov s težo, ki je 450 lb ali večja.