



IEL – protokol k projektu

Jan Schoř
xschorj00

12. prosince 2024

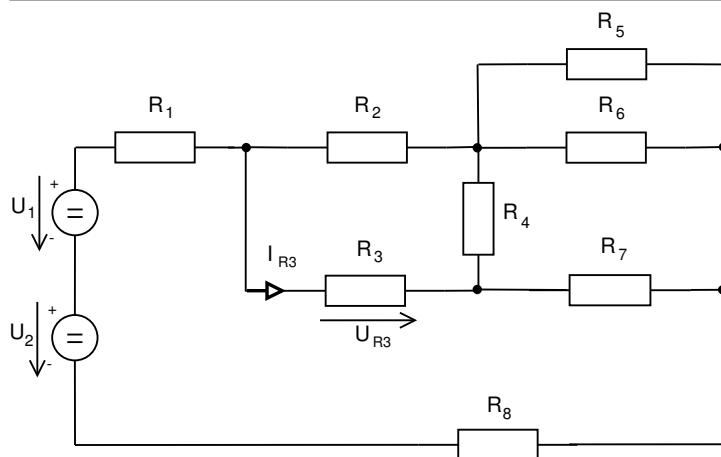
Obsah

1	Příklad 1	2
2	Příklad 2	3
3	Příklad 3	4
4	Příklad 4	6
5	Příklad 5	7
6	Shrnutí výsledků	8

Příklad 1

Stanovte napětí U_{R3} a proud I_{R3} . Použijte metodu postupného zjednodušování obvodu.

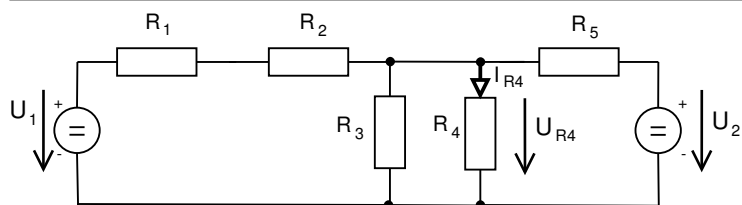
sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]	R_6 [Ω]	R_7 [Ω]	R_8 [Ω]
F	125	65	510	500	550	250	300	800	330	250



Příklad 2

Stanovte napětí U_{R4} a proud I_{R4} . Použijte metodu Théveninovy věty.

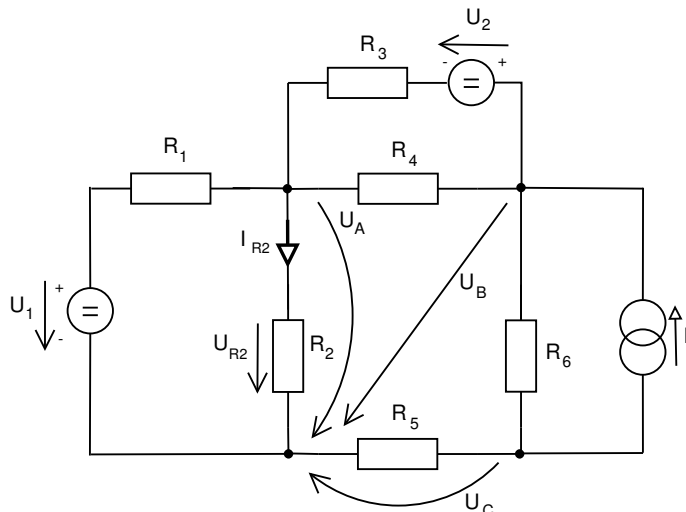
sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]
F	130	180	350	600	195	650	80



Příklad 3

Stanovte napětí U_{R2} a proud I_{R2} . Použijte metodu uzlových napětí (U_A, U_B, U_C).

sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	I [A]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]	R_6 [Ω]
A	120	50	0.7	53	49	65	39	32	48



Tvorba rovnice pro každý uzel (A, B, C) podle I. K.Z.:

$$\begin{aligned}
 A: \quad & \frac{U_1 - U_A}{R_1} - \frac{U_A + U_2 - U_B}{R_3} + \frac{U_B - U_A}{R_4} - \frac{U_A}{R_2} = 0 \\
 B: \quad & \frac{U_A + U_2 - U_B}{R_3} + I - \frac{U_B - U_C}{R_6} - \frac{U_B - U_A}{R_4} = 0 \\
 C: \quad & \frac{U_B - U_C}{R_6} - I - \frac{U_C}{R_5} = 0
 \end{aligned}$$

Úprava rovnic pro dosazení do matice:

$$\begin{aligned}
 A: \quad & -\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_2}\right)U_A + \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}\right)U_B + 0U_C = \frac{U_2}{R_3} - \frac{U_1}{R_1} \\
 B: \quad & \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}\right)U_A - \left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_6}\right)U_B + \frac{1}{R_6}U_C = -I - \frac{U_2}{R_3} \\
 C: \quad & 0U_A + \frac{1}{R_6}U_B - \left(\frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_6}\right)U_C = I
 \end{aligned}$$

Maticový tvar rovnic:

$$\begin{bmatrix}
 -\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_2}\right) & \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} & 0 \\
 \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} & -\left(\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_6}\right) & \frac{1}{R_6} \\
 0 & \frac{1}{R_6} & -\left(\frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_6}\right)
 \end{bmatrix}
 \begin{bmatrix}
 U_A \\
 U_B \\
 U_C
 \end{bmatrix}
 =
 \begin{bmatrix}
 \frac{U_2}{R_3} - \frac{U_1}{R_1} \\
 -I - \frac{U_2}{R_3} \\
 I
 \end{bmatrix}$$

Po dosazení hodnot získáme výsledek U_A, U_B, U_C :

$$\begin{aligned}
 U_A &= 49.2546 \text{ V} \\
 U_B &= 59.9700 \text{ V} \\
 U_C &= 10.5480 \text{ V}
 \end{aligned}$$

Napětí mezi uzlem U_A a stanoveným referenčním uzlem je rovno napětí na rezistoru R_2 . Pomocí Ohmova zákona dokážeme vypočítat proud I_{R2} :

$$\begin{aligned}I_{R2} &= \frac{U_A}{R_2} \\I_{R2} &= 1.0052 \text{ A} \\U_{R2} &= U_A = 49.2546 \text{ V}\end{aligned}$$

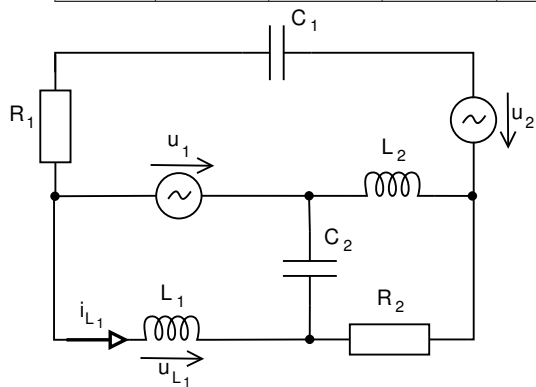
Příklad 4

Pro napájecí napětí platí: $u_1 = U_1 \cdot \sin(2\pi ft)$, $u_2 = U_2 \cdot \sin(2\pi ft)$.

Ve vztahu pro napětí $u_{L_1} = U_{L_1} \cdot \sin(2\pi ft + \varphi_{L_1})$ určete $|U_{L_1}|$ a φ_{L_1} . Použijte metodu smyčkových proudů.

Pozn: Pomocné směry šipek napájecích zdrojů platí pro speciální časový okamžik ($t = \frac{\pi}{2\omega}$).

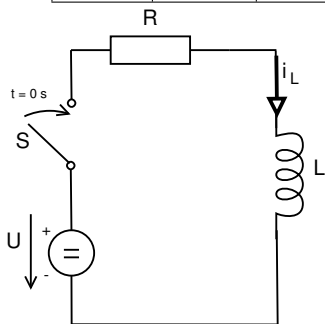
sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	L_1 [mH]	L_2 [mH]	C_1 [μ F]	C_2 [μ F]	f [Hz]
F	2	3	12	10	170	80	150	90	65



Příklad 5

V obvodu na obrázku níže v čase $t = 0$ [s] sepne spínač S . Sestavte diferenciální rovnici popisující chování obvodu na obrázku, dále ji upravte dosazením hodnot parametrů. Vypočítejte analytické řešení $i_L = f(t)$. Proveďte kontrolu výpočtu dosazením do sestavené diferenciální rovnice.

sk.	U [V]	L [H]	R [Ω]	$i_L(0)$ [A]
F	25	10	50	8



Shrnutí výsledků

Příklad	Skupina	Výsledky
1	F	$U_{R3} =$ $I_{R3} =$
2	F	$U_{R4} =$ $I_{R4} =$
3	A	$U_{R2} =$ $I_{R2} =$
4	F	$ U_{L1} =$ $\varphi_{L1} =$
5	F	$i_L =$