

IEL – protokol k projektu

Jan Schoř xschorj00

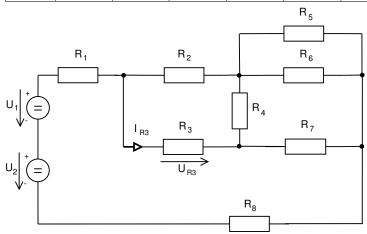
13. prosince 2024

Obsah

| 1 | Příklad 1 | 2 |
|---|------------------|---|
| 2 | Příklad 2 | 3 |
| 3 | Příklad 3 | 5 |
| 4 | Příklad 4 | 7 |
| 5 | Příklad 5 | 8 |
| 6 | Shrnutí výsledků | 9 |

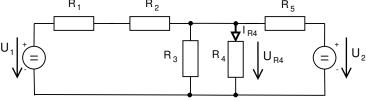
Stanovte napětí U_{R3} a proud I_{R3} . Použijte metodu postupného zjednodušování obvodu.

| s | k. | U_1 [V] | U_2 [V] | $R_1 [\Omega]$ | $R_2 [\Omega]$ | $R_3 [\Omega]$ | $R_4 [\Omega]$ | $R_5 [\Omega]$ | $R_6 [\Omega]$ | $R_7 [\Omega]$ | $R_8 [\Omega]$ |
|---|----|-----------|-----------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| | F | 125 | 65 | 510 | 500 | 550 | 250 | 300 | 800 | 330 | 250 |



Stanovte napětí U_{R4} a proud I_{R4} . Použijte metodu Théveninovy věty.

| sk. | U_1 [V] | U_2 [V] | $R_1 [\Omega]$ | $R_2 [\Omega]$ | $R_3 [\Omega]$ | $R_4 [\Omega]$ | $R_5 [\Omega]$ |
|-----|----------------|-----------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| F | 130 | 180 | 350 | 600 | 195 | 650 | 80 |
| | R ₁ | R_2 | | | R ₅ | | |



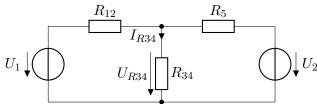
Zjednodušíme rezistory R_1 a R_2 do jednoho rezistory R_{12} .

$$R_{12} = R_1 + R_2$$

To stejné uděláme pro rezistory R_3 a R_4 .

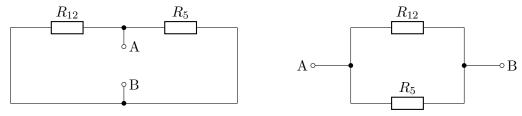
$$R_{34} = \frac{R_3 \cdot R_4}{R_3 + R_4}$$

Zjednodušený obvod potom bude vypadat takhle:



Na zjednodušeném obvodu již není samotný rezistor R_4 , u kterého potřebujeme zjistit napětí a proud. Místo toho zjistíme tyto hodnoty na rezistoru R_{34} a z nich poté odvodíme požadované výsledky pro R_4 .

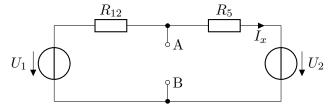
Jako další krok odpojíme zátěž a zkratujeme zdroje napětí, abychom mohli vypočítat vnitřní odpor skutečného zdroje napětí. Určíme si takto 2 body A a B, mezi kterými byl rezistor R_{34} .



Vnitřní odpor R_i je tedy roven celkovému odporu rezistorů R_{12} a R_5 . Použijeme tedy vzoreček pro paralelní zapojení rezistorů.

$$R_i = \frac{R_{12} \cdot R_5}{R_{12} + R_5}$$

Nyní si vytvořím obvod bez rezistoru R_{34} a pomocí II. K. Z. vypočítám celkový proud protékající tímto obvodem. Pojmenuji si ho jako proud I_x

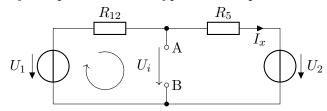


$$0 = I_x \cdot R_{12} + I_x \cdot R_5 + U_2 - U_1$$

$$0 = I_x(R_5 + R_{12}) + U_2 - U_1$$

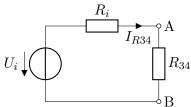
$$I_x = \frac{U_1 - U_2}{R_5 + R_{12}}$$

Nyní si podle II. K. Z. vypočítáme napětí ve smičce a získáme tak napětí U_i mezi body A a B.



$$0 = U_i - U_i - I_x \cdot R_{12}$$
$$U_i = U_1 + R_{12} \cdot I_x$$

Obvod si nyní dokážeme překreslit na jeho variantu se skutečným zdrojem a zátěží.



Z tohoto obvodu nyní dokážeme dopočítat proud a napětí na rezistoru R_{34} .

$$I_{R34} = \frac{U_i}{R_i + R_{34}}$$

$$U_{R34} = R_{34} \cdot I_{R34}$$

Nyní se vrátíme k obvodu před zjednodušením. Jelikož jsou rezistory R_3 a R_4 zapojeny paralelně, napětí na nich bude stejné jako na rezistoru R_{34} . Jediné, co je tedy třeba dopočítat, je proud na R_4 , který vypočítáme pomocí vzorečku.

$$U_{R4} = U_{R34} I_{R4} = \frac{U_{R34}}{R_4}$$

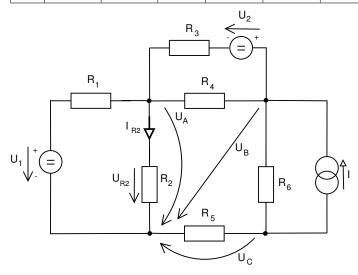
Po dosazení hodnot vypočítáme konkrétní hodnoty U_{R4} I_{R4} .

$$U_{R4} = 118.0477 \,\mathrm{V}$$

 $I_{R4} = 181.6119 \,\mathrm{mA}$

Stanovte napětí U_{R2} a proud I_{R2} . Použijte metodu uzlových napětí (U_A, U_B, U_C) .

| | | 102 1 | 102 | · · | | · | | 11/ 1/ | 0 / |
|-----|-----------|-----------|------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| sk. | U_1 [V] | U_2 [V] | I[A] | $R_1 [\Omega]$ | $R_2 [\Omega]$ | $R_3 [\Omega]$ | $R_4 [\Omega]$ | $R_5 [\Omega]$ | $R_6 [\Omega]$ |
| A | 120 | 50 | 0.7 | 53 | 49 | 65 | 39 | 32 | 48 |



Tvorba rovnice pro každý uzel (A, B, C) podle I. K. Z.:

$$\begin{split} A: \quad & \frac{U_1 - U_A}{R_1} - \frac{U_A + U_2 - U_B}{R_3} + \frac{U_B - U_A}{R_4} - \frac{U_A}{R_2} = 0 \\ B: \quad & \frac{U_A + U_2 - U_B}{R_3} + I - \frac{U_B - U_C}{R_6} - \frac{U_B - U_A}{R_4} = 0 \\ C: \quad & \frac{U_B - U_C}{R_6} - I - \frac{U_C}{R_5} = 0 \end{split}$$

Úprava rovnic pro dosazení do matice:

$$A: -(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_2})U_A + (\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4})U_B + 0U_C = \frac{U_2}{R_3} - \frac{U_1}{R_1}$$

$$B: (\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4})U_A - (\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_6})U_B + \frac{1}{R_6}U_C = -I - \frac{U_2}{R_3}$$

$$C: 0U_A + \frac{1}{R_6}U_B - (\frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_6})U_C = I$$

Maticový tvar rovnic:

$$\begin{bmatrix} -\left(\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{3}} + \frac{1}{R_{4}} + \frac{1}{R_{2}}\right) & \frac{1}{R_{3}} + \frac{1}{R_{4}} & 0\\ \frac{1}{R_{3}} + \frac{1}{R_{4}} & -\left(\frac{1}{R_{3}} + \frac{1}{R_{4}} + \frac{1}{R_{6}}\right) & \frac{1}{R_{6}}\\ 0 & \frac{1}{R_{6}} & -\left(\frac{1}{R_{5}} + \frac{1}{R_{6}}\right) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U_{A} \\ U_{B} \\ U_{C} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{U_{2}}{R_{3}} - \frac{U_{1}}{R_{1}} \\ -I - \frac{U_{2}}{R_{3}} \\ I \end{bmatrix}$$

Po dosazení hodnot získáme výsledek U_A, U_B, U_C :

$$\begin{split} U_A &= 49.2546 \, \mathrm{V} \\ U_B &= 59.9700 \, \mathrm{V} \\ U_C &= 10.5480 \, \mathrm{V} \end{split}$$

Napětí mezi uzlem U_A a stanoveným referenčním uzlem je rovno napětí na rezistoru R_2 .

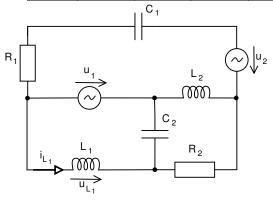
Pomocí Ohmova zákona dokážeme vypočítat proud ${\cal I}_{R2}\!:$

$$\begin{split} I_{R2} &= \frac{U_A}{R_2} \\ I_{R2} &= 1.0052 \, \mathrm{A} \\ U_{R2} &= U_A = 49.2546 \, \mathrm{V} \end{split}$$

Pro napájecí napětí platí: $u_1=U_1\cdot\sin(2\pi ft),\,u_2=U_2\cdot\sin(2\pi ft).$ Ve vztahu pro napětí $u_{L_1}=U_{L_1}\cdot\sin(2\pi ft+\varphi_{L_1})$ určete $|U_{L_1}|$ a φ_{L_1} . Použijte metodu smyčkových proudů.

Pozn: Pomocné směry šipek napájecích zdrojů platí pro speciální časový okamžik $(t=\frac{\pi}{2\omega}).$

| sk. | U_1 [V] | U_2 [V] | $R_1 [\Omega]$ | $R_2 [\Omega]$ | $L_1 [mH]$ | $L_2 [mH]$ | C_1 [μ F] | C_2 [µF] | f [Hz] |
|-----|-----------|-----------|----------------|----------------|------------|------------|------------------|------------|--------|
| F | 2 | 3 | 12 | 10 | 170 | 80 | 150 | 90 | 65 |



V obvodu na obrázku níže v čase t=0 [s] sepne spínač S. Sestavte diferenciální rovnici popisující chování obvodu na obrázku, dále ji upravte dosazením hodnot parametrů. Vypočítejte analytické řešení $i_L=f(t)$. Proveďte kontrolu výpočtu dosazením do sestavené diferenciální rovnice.

| | sk. | U[V] | L [H] | $R [\Omega]$ | $i_L(0)$ [A] |
|--------------|----------|------|----------|--------------|--------------|
| | F | 25 | 10 | 50 | 8 |
| | F | } | | | |
| | | | ٦. | | |
| t = 0 s | | | | | |
| s | 70 | | Υ | | |
| 5 \ | 8 | | ವ್ಮ | | |
| | | | 200 | | |
| $u \mid \pm$ | \perp | | Γ | | |
| (| \equiv | | | | |
| ¥ | | | | | |

Shrnutí výsledků

| Příklad | Skupina | Výsledky | |
|---------|---------|-------------------------------|---|
| 1 | F | $U_{R3} = I_{R3} =$ | |
| 2 | F | $U_{R4} = I_{R4} =$ | |
| 3 | A | $U_{R2} = I_{R2} =$ | |
| 4 | F | $ U_{L_1} = \varphi_{L_1} =$ | : |
| 5 | F | $i_L =$ | |