Grundlagen der Medieninformatik 1

JPEG T08 - 15.12.2021

AT-Audacity

- Das Anwendungstutorium Audacity macht ihr selber
- Bei Fragen meldet euch im Audacity Discord Channel

Kahoot!

JPEC

- Nutzt die Eigenarten der Wahrnehmung des Menschen, um das Medium Bild so zu kodieren, dass es die Maschine kompakter speichern kann.
- z.B. Farbe wird nicht so hoch aufgelöst / wahrgenommen wie Helligkeit (Helligkeitsunterschiede werden eher wahrgenommen als Farbunterschiede!) (Sampling)

Das JPEG Verfahren

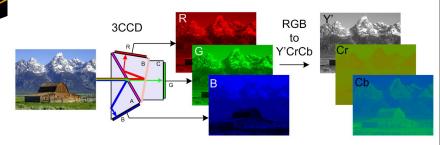
- Farbraumkonvertierung
- 2. Chroma-Subsampling
- 3. 8x8-Blöcke
- 4. Diskrete Cosinus-Transformation (DCT)
- 5. (neue) Quantisierung
- 6. Zick-Zack-Scan und Lauflängkodierung
- 7. Huffmankodierung





1. Farbraumkonvertierung

Helligkeit wird von Farbe getrennt RGB → YCbCr



Dafür wird jeder Pixel nach folgenden Formeln umgerechnet:

$$Y = 0.299 \times R + 0.587 \times G + 0.114 \times B$$

$$Cb = -0.168736 \times R - 0.331264 \times G + 0.5 \times B$$

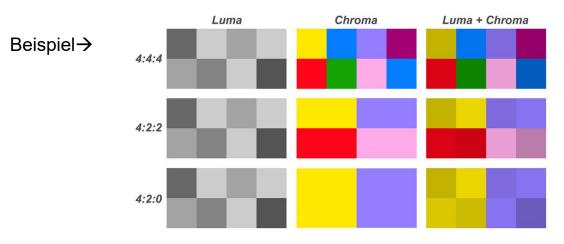
$$Cr = 0.5 \times R - 0.418688 \times G - 0.081312 \times B$$

2. Chroma Subsampling

Menschen nehmen Farbänderungen nicht so detaliert wahr wie Helligkeitsänderungen

meist: 2*2 Pixel zusammenfassen und durch einen Mittelwert

ersetzen



3. 8x8 Blöcke

Bild wird in 8x8 Blöcke aufgeteilt

Wurde so abgemacht, da es einfacher ist darauf Mathematische Rechnungen auszuführen (effizienter)

Exkurs: (Mathematische-) Summen

- Die Summe einer Formel → Alle elemente von k bis n zusammengerechnet
- 2. D.h.

$$\sum_{k=0}^{n=10} k = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 = 55$$

$$\sum_{k=0}^{n=5} (k+1) = (0+1) + (1+1) + (2+1) + (3+1) + (4+1) + (5+1)$$

$$\sum_{k=1}^{n} (ax+k) = (ax+1) + (ax+2) + \dots + (ax+n)$$

Summe einer Summe

1. Berechne erst die innere Summe, dann die Äußere

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=0}^{n} j = \sum_{i=1}^{n} (0+1+2+3+...+n) = \underbrace{(0+1+...+n)+(0+1+...+n)+...+(0+1+...n)}_{n-1 \text{ Mal}} \Rightarrow \text{zweite Summe beginnt mit 1}$$

- 2. In diesem Fall ist "j" die Funktion. Da die Summe von j=0 bis nangegeben ist, setzte ein j=0 bis j=n \rightarrow (0+1+...+n)
- 3. Berechne erst <u>die innere Summe von j</u>, bekomme somit eine zweite "Funktion" (0+1+...+n), welche dann noch einmal summiert werden muss (<u>äußere Summe</u>).
- 4. Das obere Beispiel "*Wörtlich*": Sum(Sum(j)) = Sum(0+1+...+n) = (n-1)*(0+1+...+n)

4. Diskrete Cosinus Transformation (DCT)

- Ziel: "Grobes" von "Feinem" im Bild trennen
 - Feines weniger quantisiert abspeichern
- Wird mit folgender Funktion berechnet:

$$F(u,v) = \sum_{x=0}^{7} \sum_{v=0}^{7} f(x,y) \cdot \frac{C_u}{2} \cdot \cos(\frac{2 \cdot x + 1}{16} \cdot u \cdot \pi) \cdot \frac{C_v}{2} \cdot \cos(\frac{2 \cdot y + 1}{16} \cdot v \cdot \pi)$$

- x,y Koordinaten des berechneten Pixel
- f(x,y) Helligkeit des Pixels x,y (aus dem Y Channel)
- Typisch: F größer bei niedrigen Frequenzen

5. (neue) Quantisierung

- Rechtfertigung: Menschen nehmen in feinen Details helligkeitsunterschiede weniger genau wahr
- Verfahren:
 - O Definiere Tabelle Q
 - \bigcirc Q(u,v) sagt, wie genau F(u,v) gespeichert wird
 - \bigcirc runde F(u,v) auf ganze Q(u,v)

$$F^{\mathcal{Q}}(u,v) = Round\left(\frac{F(u,v)}{Q(u,v)}\right)$$

Beispiel

● F=	782.92		44.93	
	-122.35		-75.46	
Quantisierungstabelle:		10	15	
		15	19	

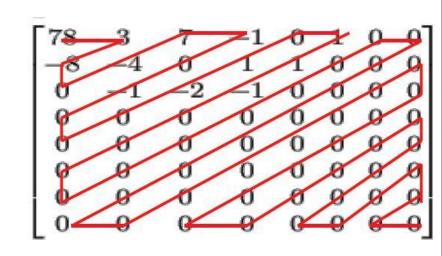
Dann bekommen wir nach Anwendung der Formel auf jeden Wert:

78	3
-8	-4

$$F^{\mathcal{Q}}(u,v) = Round(\frac{F(u,v)}{Q(u,v)})$$

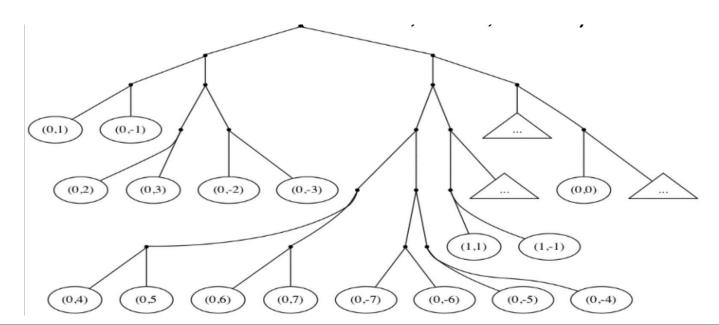
6. Zick-Zack Scan und Lauflängkodierung

- Gehe mit Zick-zack scan über die Tabelle und schreibe dabei Tupel auf (a,b) (Kodierung)
- a = die Anzahl der O-ellen bis zur nächsten nicht-Null Zahl
 - o Wenn nur noch Oen, dann (a,b) = (0,0)
- b = die nächste Zahl
- Ausgabe (Beispiel Rechts):
- (0,78) (0,3) (0,-8) (1,-4) (0,7) (0,-1) (1,-1) (3,-2) (0,1) (1,1) (0,1) (0,-1) (0,0)



7. Huffman Kodierung

- Kodiere die Tupel aus 6 mithilfe eines Huffman-Baums
- Schreibe dann die kodierte Bitfolge auf



Arbeitsblatt

Einfach Einsetzen in die Formel, nicht viel Überlegen! Sieht zwar schwer aus, ist es aber wirklich nicht :)

Die Formel (1) definiert (wie im Übungszettel 5) eine 2*2 DCT. Formel (2) legt dazu die speziellen Zahlen c_0 und c_1 fest. Formel (3) gibt einige wichtige Funktionswerte von cos an.

$$F(u,v) = \sum_{x=0}^{1} \sum_{y=0}^{1} f(x,y) \cdot c_u \cdot \cos\left(\frac{2 \cdot x + 1}{4} \cdot u \cdot \pi\right) \cdot c_v \cdot \cos\left(\frac{2 \cdot y + 1}{4} \cdot v \cdot \pi\right), u,v = 0 \dots 1 \quad (1)$$

$$c_0 = \frac{1}{\sqrt{2}}, \quad c_1 = 1$$
 (2)

$$\cos\left(\frac{0}{4}\cdot\pi\right) = 1, \cos\left(\frac{1}{4}\cdot\pi\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}, \cos\left(\frac{2}{4}\cdot\pi\right) = 0, \cos\left(\frac{3}{4}\cdot\pi\right) = \frac{-1}{\sqrt{2}}, \cos\left(\frac{4}{4}\cdot\pi\right) = -1 \tag{3}$$

Rechne Schritt für Schritt eine möglichst weit vereinfachte Formel für F(0,1) aus:



$$\lim_{x \to 1} \int_{-1}^{1} f(x) dx$$

 $F(0,1) = \sum_{x=0}^{1} \sum_{v=0}^{1} f(x,y) \cdot C_{0} \cdot \cos(\frac{2x+1}{4} \cdot 0 \cdot \pi) \cdot C_{1} \cdot \cos(\frac{2y+1}{4} \cdot 1 \cdot \pi)$ $F(0,1) = \sum_{x=0}^{1} \sum_{v=0}^{1} f(x,y) \cdot C_{0} \cdot \cos(\frac{2x+1}{4} \cdot 0 \cdot \pi) \cdot C_{1} \cdot \cos(\frac{2y+1}{4} \cdot 1 \cdot \pi)$

 $F(0,1) = \sum_{x=0}^{1} \sum_{y=0}^{1} f(x,y) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(\frac{2x+1}{4} \cdot 0 \cdot \pi) \cdot 1 \cdot \cos(\frac{2y+1}{4} \cdot 1 \cdot \pi)$

 $F(0,1) = \sum_{n=0}^{\infty} (f(0,y) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{2y+1}{4} \cdot \pi) + f(1,y) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{2y+1}{4} \cdot \pi))$

T08 - 15.12.2021

 $F(0,1) = f(0,0) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{1}{4} \cdot \pi) + f(0,1) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{2 \cdot 1 + 1}{4} \cdot \pi)$

 $+ f(1,0) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{1}{4} \cdot \pi) + f(1,1) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{2 \cdot 1 + 1}{4} \cdot \pi)$

 $F(0,1) = \sum_{x=0}^{1} \sum_{y=0}^{1} f(x,y) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{2y+1}{4} \cdot \pi)$

F(u,v)

$$F(0,1) = \frac{1}{2}(f(0,0) - f(0,1) + f(1,0) - f(1,1))$$

 $F(0,1) = f(0,0) \cdot \frac{1}{2} - f(0,1) \cdot \frac{1}{2} + f(1,0) \cdot \frac{1}{2} - f(1,1) \cdot \frac{1}{2}$

T08 - 15.12.2021

 $F(0,1) = f(0,0) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} + f(0,1) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 1 \cdot \frac{-1}{\sqrt{2}} + f(1,0) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} + f(1,1) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 1 \cdot \frac{-1}{\sqrt{2}}$

 $F(0,1) = f(0,0) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{1}{4} \cdot \pi) + f(0,1) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{2 \cdot 1 + 1}{4} \cdot \pi)$

 $+ f(1,0) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{1}{4} \cdot \pi) + f(1,1) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \cos(0) \cdot \cos(\frac{2 \cdot 1 + 1}{4} \cdot \pi)$

Arbeitsblatt #2

Medieninformatik 1, Arbeitsblatt JPEG 2

Wir arbeiten in dieser Aufgabe mit 2*2 Blöcken, wie im Übungszettel, nicht 8*8-Blöcke wie im Original-JPEG-Verfahren. Gegeben ist eine 2*2 DCT als Ergebnis des "DCT"-Schrittes der JPEG-Kodierung. Führe nun die folgenden Schritte der JPEG-Kodierung von Hand aus. Die benötigten Zusatzdaten stehen jeweils rechts daneben.



-30	-17
30	35

10	50		
50	80		
Quantisierung			

• 1. Schritt: Benutze die Formel

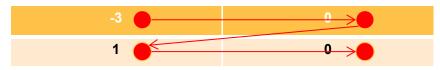
$$F^{\mathcal{Q}}(u,v) = Round(\frac{F(u,v)}{\mathcal{Q}(u,v)})$$

Bekomme somit:

-3	0
1	0

- F(0,0) = Round(-30/10) = -3,
- F(0,1) = Round(-17/50) = 0,
- F(1,0) = Round(30/50) = 1,
- F(1,1) = Round(35/80) = 0

• 2. Schritt: Zick-zack scan und Lauflängkodierung

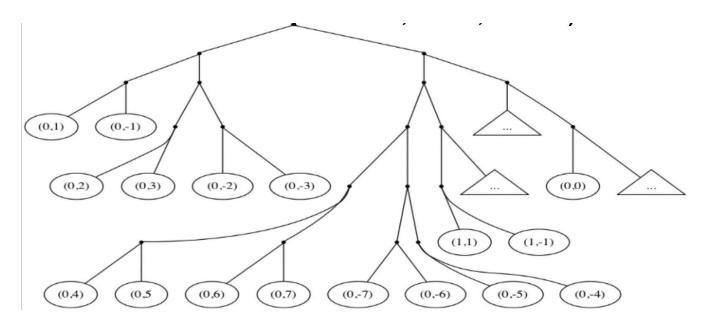


- Keine O-en vor der -3 also (0,-3)
- Dann eine O vor der 1 also (1,1)
- Keine nicht-null Zahlen mehr nach der O also (0,0)
- Bekomme also:

$$(0,-3),(1,1),(0,0)$$

3. Schritt: Huffmankodierung

O Eingabe: (0,-3),(1,1),(0,0)



Ausgabe: 0111 10100 1110

Übung 5

Abgabe bis 19.12 20:00 Uhr auf StudIP





Übung 5: JPEG

EINZELAUFGABE, 10 Punkte, Abgabe 19.12.2021, 20:00 Uhr in Stud.IP

- 1. Chroma-Subsampling: Berechne, um welchen Faktor das Chroma-Subsampling die Datenmenge reduziert (2*2 Subsampling, R, G, B, Y, Cb, Cr alle 8 bit). Begründe die Antwort. 1 P
- 2. 2*2 DCT: Formel (1) definiere eine DCT auf einem 2*2 Bild, die wir in Übungsaufgabe 3 benutzen wollen in Analogie zur 8*8 DCT in der Vorlesung. Glücklicherweise vereinfacht sich die Formel stark, wenn man sie explizit für ein konkretes u und v aufschreibt. Zum Beispiel ergibt sich für u=0, v = 1 Gleichung (4). Schreibe analog explizite und soweit wie möglich vereinfachte Formeln für F(0,0), F(1,0) und F(1,1) auf. Gib einen detaillierten Rechenweg (gerne handschriftlich abfotografiert ins .pdf integriert). Tipp: (3) gibt einige wichtige Funktionswerte von cos an. 3 P

$$F(u,v) = \sum_{x=0}^{1} \sum_{y=0}^{1} f(x,y) \cdot c_u \cdot \cos\left(\frac{2 \cdot x + 1}{4} \cdot u \cdot \pi\right) \cdot c_v \cdot \cos\left(\frac{2 \cdot y + 1}{4} \cdot v \cdot \pi\right), u, v = 0 \dots 1 \quad (1)$$

$$c_0 = \frac{1}{\sqrt{2}}, \quad c_1 = 1$$
 (2)

$$\cos\left(\frac{0}{4}\cdot\pi\right) = 1, \cos\left(\frac{1}{4}\cdot\pi\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}, \cos\left(\frac{2}{4}\cdot\pi\right) = 0, \cos\left(\frac{3}{4}\cdot\pi\right) = \frac{-1}{\sqrt{2}}, \cos\left(\frac{4}{4}\cdot\pi\right) = -1 \quad (3)$$

$$F(0,1) = \frac{1}{2} (f(0,0) + f(1,0) - f(0,1) - f(1,1))$$
 (4)

Abgaben

- Abgaben kommen jeweils in den Ordner unter "Abgabe" welcher dem aktuellen Übungsblatt entspricht
- Folgende Details werden auf jeder Abgabe angegeben:
 - Vor- und Nachname
 - Tutor*in Name
 - Tutorium #
 - Blatt Nummer

Grundlagen der Medieninformatik I Tutor*in:Leonard Haddad Tutorium:T08

Übungsblatt 1

WiSe 2021/22 Bearbeiter*in:

Dateiname ist immer: mi1_uebung#_nachname

Akzeptierte Formate: PDF und ZIP

mi1_uebung1_haddad.pdf

Das Wars!

Bis nächste Woche!