### Оглавление

1	Одновременное оценивание движения ВС и систематических ошибок. Алгоритмы параллельной фильтрации процессов, связанных через измерения			
				2
	1.1	Алгор	ритмы оценивания Henk Blom	3
		1.1.1	Полная система	3
		1.1.2	Фильтр Калмана для фазового вектора, Макро фильтр для систематической ошибки	3
		1.1.3	Разделённые фильтры для фазового вектора и для систематической опибки	5

# 1 Одновременное оценивание движения ВС и систематических ошибок. Алгоритмы параллельной фильтрации процессов, связанных через измерения

В настоящее время в системах УВД для определения параметров движения воздушных судов (координаты, скорости, ускорения и т.д.) используются алгоритмы линейного рекуррентного оценивания, близкие по используемой математической технике к фильтру Калмана. В качестве основного метода применяется алгоритм ІММ. Как основную особенность можно отметить, что задача оценки параметров движения для всех ВС, нахоящихся в зоне наблюдения, решается независимо для каждого ВС. Это полностью соответствует представлению о том, что движение каждого ВС никак не зависит от движения других ВС. Также это удобно с точки зрения архитектуры программы, реализующей систему мультитраекторной обработки — данные, описывающие каждое ВС, можно легко выделить в отдельный объект, который можно создавать, удалять и использовать, например, для сравнения со вновь поступающими не привязанными к конкретному ВС измернеиями. С точки зрения математических алгоритмов, такое разделение также удобно, поскольку позволяет оставаться в рамках расчётов в пространстве достаточно низкой размерности (4–6 для фильтра Калмана, 15–30 для ІММ).

Наблюдение за движением ВС производится с помощью радиотехнических средств: как правило это система из нескольких радиолокаторов и система АЗН-В. Реальные измерительные средства, помимо случайных ошибок измерений, имеют систематические ошибки. Случайные ошибки измерения изначально предусмотрены архитектурой алгоритмов рекуррентного оценивания, как фильтра Калмана, так и ІММ. Систематические ошибки в случае не сложных вариантов их пространственной зависимости также легко могут быть включены в алгоритмы оценивания, но при их включении обнаруживается одно весьма существенное обстоятельство: систематические ошибки одного и того же измерительного средства присутствуют в уравнении наблюдения для разных воздушных судов. Так, в простом случае линейной модели наблюдения РЛС возникает следующее уравнение наблюдения (связи между неизвестными оцениваемыми состояниями и измерением):

$$z_l^a(t) = C_x(t)x^a(t) + C_s(t)s_l(t) + D(t)w_l(t).$$
(1.1)

Здесь t — момент времени; a — индекс, обозначающий номер воздушного судна (aircraft); l — индекс радиолокатора (locator);  $z_l^a$  — вектор измерения;  $x^a$  — вектор параметров движения BC;  $s_l$  — вектор параметров, характеризущий состояние РЛС;  $w_l(t)$  — текущая реализация случайной ошибки РЛС;  $C_x(t)$ ,  $C_s(t)$ , D(t) — матрицы, характеризующие вклад каждого параметра на измерение.

#### 1.1 Алгоритмы оценивания Henk Blom

#### 1.1.1 Полная система

Фильтр для фазового вектора.

Этап предсказания:

$$\bar{x}_t = A_x \hat{x}_{t-1}$$
$$\bar{P}_{x,t} = A_x \hat{P}_{x,t-1} A_x^T + B_x B_x^T$$

Этап коррекции:

$$\hat{x}_t = \bar{x}_t + K_x \Lambda (z_t - C_x \bar{x}_t - C_s \bar{s}_t)$$

$$\hat{P}_{x,t} = \bar{P}_{x,t} - K_x \Lambda K_x^T$$

$$K_x = \bar{P}_{x,t} C_x^T + \bar{P}_{xs,t} C_s^T$$

Фильтр для систематической ошибки.

Этап предсказания:

$$\bar{s}_t = A_s \hat{s}_{t-1}$$
$$\bar{P}_{s,t} = A_s \hat{P}_{s,t-1} A_s^T + B_s B_s^T$$

Этап коррекции:

$$\hat{s}_t = \bar{s}_t + K_s \Lambda (z_t - C_x \bar{x}_t - C_s \bar{s}_t)$$
$$\hat{P}_{s,t} = \bar{P}_{s,t} - K_s \Lambda K_s^T$$
$$K_s = \bar{P}_{s,t} C_s^T + \bar{P}_{xs,t}^T C_x^T$$

Обновление блока кросс-ковариации:

$$\bar{P}_{xs,t} = A_x \hat{P}_{xs,t-1} A_s^T$$

$$\hat{P}_{xs,t} = \bar{P}_{xs,t} - K_x \Lambda K_s^T$$

В данном случае для обоих фильтров используется одна матрица Л:

$$\Lambda = C_x \bar{P}_{x,t} C_x^T + C_s \bar{P}_{s,t} C_s^T + C_x \bar{P}_{xs,t} C_s^T + C_s \bar{P}_{xs,t}^T C_x^T + DD^T$$

Уравнение наблюдения:

$$z_t = C_x x_t + C_s s_t + Dw$$

## Фильтр Калмана для фазового вектора, Макро фильтр для систематической ошибки

Фильтр для фазового вектора.

Этап предсказания:

$$\bar{x}_t = A_x \hat{x}_{t-1}$$
$$\bar{P}_{x,t} = A_x \hat{P}_{x,t-1} A_x^T + B_x B_x^T$$

Этап коррекции:

$$\hat{x}_t = \bar{x}_t + K_x \Lambda_x (z_t - C_x \bar{x}_t - C_s \bar{s}_t)$$
$$\hat{P}_{x,t} = \bar{P}_{x,t} - K_x \Lambda_x K_x^T$$

Аппроксимация:

$$K_x = \bar{P}_{x,t} C_x^T$$
$$\Lambda_x = C_x \bar{P}_{x,t} C_x^T + DD^T$$

Фильтр для систематической ошибки.

Этап предсказания:

$$\bar{s}_t = A_s \hat{s}_{t-1}$$
$$\bar{P}_{s,t} = A_s \hat{P}_{s,t-1} A_s^T + B_s B_s^T$$

Этап коррекции:

$$\hat{s}_t = \bar{s}_t + K_s \Lambda_s (z_t - C_x \bar{x}_t - C_s \bar{s}_t)$$
$$\hat{P}_{s,t} = \bar{P}_{s,t} - K_s \Lambda_s K_s^T$$

В вычислении матриц  $K_s$  и  $\Lambda_s$  используются аппроксимация члена  $C_x \bar{P}_{xs,t}$ :

$$K_s = \bar{P}_{s,t}C_s^T + H^T$$
 
$$\Lambda = C_x \bar{P}_{x,t}C_x^T + C_s \bar{P}_{s,t}C_s^T + HC_s^T + C_s H^T + DD^T$$

 $\Gamma$ де H:

$$F_{x} = \sum_{i=1}^{M} (D_{i}D_{i}^{T})^{-1}$$

$$F_{s} = \sum_{i=1}^{M} (D_{i}D_{i}^{T})^{-1}C_{s,i}$$

$$H = -(F_{x}^{T}F_{x})^{-1}F_{x}^{T}F_{s}\bar{P}_{s,t}$$

Где M - количество радиолокаторов.

Уравнение наблюдения:

$$z_t = C_x x_t + C_s s_t + Dw$$

## 1.1.3 Разделённые фильтры для фазового вектора и для систематической ошибки

Фильтр для фазового вектора.

Этап предсказания:

$$\bar{x}_t = A_x \hat{x}_{t-1}$$
$$\bar{P}_{x,t} = A_x \hat{P}_{x,t-1} A_x^T + B_x B_x^T$$

Этап коррекции:

$$\hat{x}_t = \bar{x}_t + K_x \Lambda_x (z_t - C_x \bar{x}_t - C_s \bar{s}_t)$$
$$\hat{P}_{x,t} = \bar{P}_{x,t} - K_x \Lambda_x K_x^T$$

Аппроксимация:

$$K_x = \bar{P}_{x,t} C_x^T$$
 
$$\Lambda_x = C_x \bar{P}_{x,t} C_x^T + DD^T$$

Фильтр для систематической ошибки.

Этап предсказания:

$$\bar{s}_t = A_s \hat{s}_{t-1}$$
$$\bar{P}_{s,t} = A_s \hat{P}_{s,t-1} A_s^T + B_s B_s^T$$

Этап коррекции:

$$\hat{s}_t = \bar{s}_t + K_s \Lambda_s (z_t - C_x \bar{x}_t - C_s \bar{s}_t)$$

$$\hat{P}_{s,t} = \bar{P}_{s,t} - K_s \Lambda_s K_s^T$$

Аппроксимация:

$$K_s = \bar{P}_{s,t} C_s^T$$
$$\Lambda_s = C_s \bar{P}_{s,t} C_s^T + DD^T$$

Уравнение наблюдения:

$$z_t = C_x x_t + C_s s_t + Dw$$