



Bit Algo
START



Sprawy organizacyjne

- zajęcia regularnie co tydzień: poniedziałek 16:15-17:50 (3.27), środa 16:15-17:50 (?)
- <https://www.facebook.com/groups/bitalgoagh/>



Bit Algo START

Pon 09.03.2020

Merge i Quick - zadania



Założenia

- Rozumiecie MergeSorta
- Rozumiecie kopce min i max
- Rozumiecie QuickSorta



Zadania

MergeSort i QuickSort



Zadanie 1 [Algorytm]

3. Mamy serię pojemników z wodą, połączonych (każdy z każdym) rurami. Pojemniki mają kształty prostokątów (2d), rury nie mają objętości (powierzchni). Każdy pojemnik opisany jest przez współrzędne lewego górnego rogu i prawego dolnego rogu. Wiemy, że do pojemników nalano A wody (oczywiście woda rurami spłynęła do najniższych pojemników). Obliczyć ile pojemników zostało w pełni zalanych.



Zadanie 2 [Algorytm, implementacja]

Dana jest tablica zawierająca liczby naturalne. Proszę zaimplementować funkcję odpowiadającą na pytanie czy w tablicy jest para sumująca się do jakiejś liczby x .

Funkcja powinna być jak najszybsza.

`findPair(arr, x) -> bool.`

<https://github.com/BIT-LGO-START/Semestr2-2019-2020/blob/master/findPair.py>



Zadanie 3 [Algorytm]

Zaproponuj algorytm scalający k posortowanych tablic w jedną posortowaną tablicę. Łączna liczba elementów we wszystkich tablicach wynosi n . Algorytm powinien najlepiej działać w czasie $O(n \cdot \log(k))$.

https://github.com/BIT-LGO-START/Semestr2-2019-2020/blob/master/merge_k_sorted_lists.py



Zadanie 4 [Algorytm]

Dana jest n -elementowa tablica A zawierająca liczby naturalne (potencjalnie bardzo duże). Wiadomo, że tablica A powstała w dwóch krokach. Najpierw wygenerowano losowo (z nieznanym rozkładem) n różnych liczb nieparzystych i posortowano je rosnąco. Następnie wybrano losowo $\text{ceil}(\log n)$ elementów powstałej tablicy i zamieniono je na losowo wybrane liczby parzyste. Zaproponuj (bez implementacji!) algorytm sortowania tak powstałych danych. Algorytm powinien być możliwie jak najszybszy. Proszę oszacować i podać jego złożoność czasową.



Zadanie 5 [Algorytm]

Zaimplementuj funkcję `average_score(arr, n, lowest, highest)`. Funkcja ta przyjmuje na wejściu tablicę `n` liczb rzeczywistych (ich rozkład nie jest znany, ale wszystkie są parami różne) i zwraca średnią wartość podanych liczb po odrzuceniu `lowest` najmniejszych oraz `highest` największych. *Zaimplementowana funkcja* powinna być możliwie jak najszybsza. Oszacuj jej złożoność czasową (oraz bardzo krótko uzasadnić to oszacowanie).

Ale my skupimy się tylko na algorytmie :D



Zadanie 6 [Algorytm]

Dana jest tablica zawierająca liczby rzeczywiste. Różnych wartości w tablicy jest tylko $\log(n)$, gdzie n to rozmiar tablicy. Proszę zaproponować algorytm sortujący tablicę w czasie $O(n \log(\log(n)))$. Wskazówka: problem da się rozwiązać wykorzystując algorytm wyszukiwania binarnego i dodatkową tablicę o rozmiarze $\log(n)$.



Zadanie 7 [Algorytm, Implementacja]

Proszę zaimplementować algorytm QuickSort, tak aby głębokość stosu rekursji nie przekraczała $O(\log(n))$.

<https://github.com/BIT-LGO-START/Semestr2-2019-2020/blob/master/NotDeepQuickSort.py>



Bit Algo
START