Programmier-Einführung mit Go

Reiner Hüchting

28. November 2024

Überblick

Grundlagen

Listen

Eigene Datentypen

Rekursion

Grundlagen – Überblick

Grundlagen

Hello World

Ratespiel

Kontrollfluss

Beispiel: Suche in einer Liste

Beispiel: Fakultät

Schleifen Variablen

Lister

Eigene Datentyper

Rekursion

Hello World in Go

```
package main

import "fmt"

func main() {
 fmt.Println("Hello World!")
}
```

Hello World in Go

```
package main

import "fmt"

func main() {
  fmt.Println("Hello World!")
}
```

Zeile 1: Paketdefinition

- Pakete strukturieren den Code.
- main : Spezielles Paket für ausführbare Programme.

Hello World in Go

```
package main

import "fmt"

func main() {
 fmt.Println("Hello World!")
}
```

Zeile 3: Import-Statement

- ▶ Macht Code aus anderen Paketen verfügbar (hier: fmt).
- ▶ fmt : Standardpaket für Ein- und Ausgabe.

Hello World in Go

```
package main

import "fmt"

func main() {
 fmt.Println("Hello World!")
}
```

ab Zeile 5: Funktion main

- Einstiegspunkt des Programms.
- Jedes ausführbare Go-Programm enthält genau eine main -Funktion.

Begrüßungsfunktion

```
package greet

import "fmt"

func Greet(name string) string {
   return fmt.Sprintf("Hello %s!", name)
}
```

Begrüßungsfunktion

```
package greet

import "fmt"

func Greet(name string) string {
   return fmt.Sprintf("Hello %s!", name)
}
```

Funktionen machen den Code modular

- ermöglichen Wiederverwendung
- ermöglichen gleiches Verhalten für unterschiedliche Werte
- strukturieren den Code, verbessern die Lesbarkeit

Begrüßungsfunktion

```
package greet

import "fmt"

func Greet(name string) string {
   return fmt.Sprintf("Hello %s!", name)
}
```

Verhalten für verschiedene Argumente

```
greet("Alice") \rightarrow Hello Alice!

greet("Bob") \rightarrow Hello Bob!
```

Ziel: Ein einfaches Ratespiel

- Der Benutzer wird bis zu drei Mal aufgefordert, eine Zahl zu raten.
- ► Falls die Eingabe richtig ist, endet das Programm sofort mit einer Nachricht.
- ► Falls die Eingabe drei Mal falsch ist, wird ebenfalls eine Nachricht ausgegeben und das Programm beendet.

Einlesen einer Zahl

```
func ReadNumber() int {
  var n int
  fmt.Print("Rate eine Zahl: ")
  fmt.Scan(&n)
  return n
  }
}
```

Einlesen einer Zahl

```
func ReadNumber() int {
  var n int
  fmt.Print("Rate eine Zahl: ")
  fmt.Scan(&n)
  return n
}
```

Funktion ReadNumber

- erwartet keine Argumente
- gibt eine Zahl zurück

Einlesen einer Zahl

```
func ReadNumber() int {
  var n int
  fmt.Print("Rate eine Zahl: ")
  fmt.Scan(&n)
  return n
  }
}
```

Zeile 2: Deklaration einer Variablen für die Zahl

- ▶ " var n int ërzeugt eine Variable " n "vom Typ " int ".
- Soll die Eingabe des Benutzers speichern.

Einlesen einer Zahl

```
func ReadNumber() int {
var n int
fmt.Print("Rate eine Zahl: ")
fmt.Scan(&n)
return n
}
```

Zeile 4: Einlesen der Zahl

- Liest eine Eingabe von der Konsole.
- Speichert die Eingabe an der Adresse von n.

Einlesen einer Zahl

```
func ReadNumber() int {
var n int
fmt.Print("Rate eine Zahl: ")
fmt.Scan(&n)
return n
}
```

Zeile 5: Rückgabe der Zahl

- Beendet die Funktion mit n als Ergebnis.
- ▶ Das Ergebnis kann in anderen Funktionen verwendet werden.

Verwendung von ReadInput

```
func GuessingGame() {
for n := 0; n < 3; n++ {
   guess := ReadNumber()
   if NumberGood(guess) {
      fmt.Println("Richtig geraten! :-)")
      return
   }
}
fmt.Println("Zu viele falsche Zahlen! :-(")
}</pre>
```

Verwendung von ReadInput

```
func GuessingGame() {
for n := 0; n < 3; n++ {
   guess := ReadNumber()
   if NumberGood(guess) {
      fmt.Println("Richtig geraten! :-)")
      return
   }
}
fmt.Println("Zu viele falsche Zahlen! :-(")
}</pre>
```

Zeile 3: Aufruf von ReadNumber

- Führt die komplette Funktion aus.
- ► Speichert das Ergebnis in der Variable guess .

Verwendung von ReadInput

```
func GuessingGame() {
for n := 0; n < 3; n++ {
   guess := ReadNumber()
   if NumberGood(guess) {
      fmt.Println("Richtig geraten! :-)")
      return
   }
}
fmt.Println("Zu viele falsche Zahlen! :-(")
}</pre>
```

Zeile 4: If-Anweisung

- Prüft die Eingabe mittels einer weiteren Funktion.
- ► Gibt eine Nachricht aus und beendet das Programm, falls die Eingabe korrekt ist.

Verwendung von ReadInput

```
func GuessingGame() {
  for n := 0; n < 3; n++ {
    guess := ReadNumber()
    if NumberGood(guess) {
       fmt.Println("Richtig geraten! :-)")
       return
    }
  }
  fmt.Println("Zu viele falsche Zahlen! :-(")
}</pre>
```

Zeile 2: For-Schleife

- Führt die Abfrage bis zu drei Mal aus.
- Verwendet einen Zähler, der mit 0 startet und bei jedem Durchlauf erhöht wird.

Verwendung von ReadInput

```
func GuessingGame() {
  for n := 0; n < 3; n++ {
    guess := ReadNumber()
    if NumberGood(guess) {
       fmt.Println("Richtig geraten! :-)")
       return
    }
  }
  fmt.Println("Zu viele falsche Zahlen! :-(")
}</pre>
```

Zeile 9: Ausgabe am Ende der Schleife

Bis hier kommt das Programm, wenn der Benutzer drei Mal falsch geraten hat.

Prüfung der Zahl

```
func main() {
GuessingGame()
}
```

main -Funktion des Ratespiels

- Einstiegspunkt: Muss vorhanden sein.
- ▶ Ruft die Funktion GuessingGame auf.

Zusammenfassung

- ▶ Nutze fmt.Scan , um eine Benutzereingabe einzulesen,
- eine If-Anweisung, um auf die Eingabe zu reagieren,
- eine For-Schleife, um eine Aktion mehrfach auszuführen,
- Funktionen, um den Code zu strukturieren.

Die Schleife ist für sich alleine verständlich

```
for n := 0; n < 3; n++ {
    guess := ReadNumber()
    if NumberGood(guess) {
        fmt.Println("Richtig geraten! :-)")
        return
    }
}</pre>
```

Kontrollfluss

Kontrollfluss

- Funktionen, Schleifen und If-Anweisungen
- Steuern den Ablauf eines Programms
- ► Erlauben automatisierte Berechnungen für unterschiedliche Eingaben

Beispiele

- Suche nach einem Element in einer Liste
- Berechnung der Fakultät einer Zahl
- Allgemeiner: Berechnung des aktuellen System-Zustands

Ziel: Finde die Position eines Elements in einer Liste.

```
Was wir nicht wollen...
1 func FindStepByStep(list []int, el int) int {
    if el == list[0] {
    return 0
5   if el == list[1] {
    return 1
8 if el == list[2] {
    return 2
10 }
11 // ...
12 return -1
13 }
```

Ziel: Finde die Position eines Elements in einer Liste.

```
Besser: Eine Schleife

1 func FindElementLoop1(list []int, e int) int {
2   for i := 0; i < len(list); i++ {
3     if list[i] == e {
4       return i
5     }
6   }
7   return -1
8 }</pre>
```

Ziel: Finde die Position eines Elements in einer Liste.

```
Oder so:

1 func FindElementLoop2(list []int, e int) int {
2   for i, el := range list {
3     if el == e {
4       return i
5     }
6   }
7   return -1
8 }
```

Vorteil

- Die Schleife kann beliebig lange laufen.
- Die einzelnen Vergleiche wären in der Anzahl festgelegt.

Ziel: Finde die Position eines Elements in einer Liste.

Vorteil

- Die Schleife kann beliebig lange laufen.
- ▶ Die einzelnen Vergleiche wären in der Anzahl festgelegt.

Analogie

- Einzelne Vergleiche: "Dabei bleiben"
- Schleife ist automatisiert

Ziel: Berechne 5!

- ► Es gilt: $5! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 = 120$
- ► Kann schrittweise mit Zwischenergebnissen berechnet werden:

Berechnung	Zwischenergebnis
1	1
$2 \cdot 1$	2
3 · 2	6
$3 \cdot 2$ $4 \cdot 6$ $5 \cdot 24$	24
5 · 24	120

- ► So ähnlich würde man es auf Papier berechnen.
- Ziel: Automatisiere die Berechnung.

Schritt-Für-Schritt-Berechnung

```
result := 1 // Startwert
result = result * 2
result = result * 3
result = result * 4
result = result * 5
```

Berechnung	Zwischenergebnis
1	1
$2 \cdot 1$	2
3 · 2	6
4 · 6	24
5 · 24	120

Schritt-Für-Schritt-Berechnung

```
result := 1 // Startwert
result = result * 2
result = result * 3
result = result * 4
result = result * 5
```

- Problem: Die Berechnung ist sehr starr.
- Umständlich aufzuschreiben und anzupassen.
- Lösung: Schleifen

Schritt-Für-Schritt-Berechnung

```
result := 1 // Startwert
result = result * 2
result = result * 3
result = result * 4
result = result * 5
```

Berechnung von 5! mit Schleife

```
result := 1 // Startwert
for i := 2; i <= 5; i++ {
   result = result * i
}</pre>
```

Berechnung von 5! mit Schleife

```
result := 1 // Startwert
for i := 2; i <= 5; i++ {
result = result * i
}</pre>
```

Vorteile:

- kompakterer Code
- Nur an einer Stelle ändern, um *n* zu ändern.
- Nächster Schritt: *n* durch eine Variable ersetzen.

Berechnung von 5! mit Schleife

```
result := 1 // Startwert
for i := 2; i <= 5; i++ {
   result = result * i
}</pre>
```

Verallgemeinerte Schleife

```
result := 1 // Startwert
for i := 2; i <= n; i++ {
   result = result * i
}</pre>
```

Verallgemeinerte Schleife

```
result := 1 // Startwert
for i := 2; i <= n; i++ {
    result = result * i
}</pre>
```

Vorteile:

Flexibel, *n* kann z.B. eingelesen oder berechnet werden.

Nachteile:

- Code kann noch nicht wiederverwendet werden.
- Muss ggf. an mehrere Stellen kopiert werden.
- Nächster Schritt: Funktionen

Funktion für die Fakultät

```
func FactorialNLoop(n int) int {
  result := 1 // Startwert
  for i := 2; i <= n; i++ {
    result = result * i
  }

return result
}</pre>
```

Beobachtungen:

- Code ist in einer Funktion eingepackt.
- Die Funktion kann an anderer Stelle verwendet werden.

Beispiel: Fakultät

Alternative: Rückwärts laufende Schleife

```
func FactorialNLoopBackwards(n int) int {
  result := 1 // Startwert
  for i := n; i >= 1; i-- {
    result = result * i
  }

return result
}
```

Beobachtungen:

- ▶ Die Schleife hat einen Zähler und eine Abbruchbedingung.
- Eines der wichtigsten Konzepte in der Programmierung!

Beispiel: Fakultät

Alternative: Rekursive Berechnung

```
func FactorialNRecursive(n int) int {
  if n == 0 {
    return 1
  }
  return n * FactorialNRecursive(n-1)
}
```

Basiert auf folgender Beobachtung:

$$n! = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \cdot \cdot 2 \cdot 1$$

= $n \cdot (n-1)!$

Genereller Aufbau einer Schleife

```
for <Start>; <Bedingung>; <Schritt> {
    // Schleifenkörper
}
```

- Oft wird ein Zähler, der in jedem Schleifendurchlauf inkrementiert wird.
- ▶ Die Schleife läuft solange, wie die Bedingung erfüllt ist.
- Der Zähler ist meist eine int-Variable und startet bei 0.
- Schleifen können aber auch rückwärts laufen oder komplexere Bedingungen haben.

Beispiel: Zahlen auflisten

```
func ListNumbers(n int) {
  for i := 0; i < n; i++ {
   fmt.Println(i)
  }
}</pre>
```

- ▶ Gibt die Zahlen von 0 bis n-1 auf der Konsole aus.
- ► Hat dabei *n* Schleifendurchläufe.

Beispiel: Zahlen rückwärts auflisten

```
func ListNumbersBackwards(n int) {
for i := n; i > 0; i-- {
fmt.Println(i)
}
}
```

- ▶ Gibt die Zahlen von *n* bis 1 rückwärts auf der Konsole aus.
- ► Hat dabei *n* Schleifendurchläufe.

Beispiel: Gerade Zahlen auflisten

```
func ListEvenNumbers(n int) {
  for i := 0; i < n; i++ {
   if i%2 == 0 {
    fmt.Println(i)
   }
}</pre>
```

Erläuterungen:

▶ Gibt die geraden Zahlen von 0 bis n-1 auf der Konsole aus.

Beispiel: Vielfache 1 func ListMultiplesOf(m, n int) { 2 for i := 0; i < n; i++ { 3 if i%m == 0 { 4 fmt.Println(i) 5 } 6 } 7 }</pre>

Erläuterungen:

▶ Gibt alle Vielfachen von m auf der Konsole aus, die kleiner als n-1 sind.

Beispiel: Vielfache

```
func ListMultiplesOfBigSteps(m, n int) {
  for i := 0; i < n; i += m {
    fmt.Println(i)
  }
}</pre>
```

- ▶ Gibt alle Vielfachen von m auf der Konsole aus, die kleiner als n-1 sind.
- ▶ Wie zuvor, aber eine Schleife, die größere Schritte macht.

Beispiel: Summe

```
1 func SumN(n int) int {
2    sum := 0
3    for i := 1; i <= n; i++ {
4        sum += i
5    }
6
7    return sum
8 }</pre>
```

- ▶ Berechnet die Summe der Zahlen von 1 bis *n*.
- ► Gibt nichts aus, sondern hat ein Rechenergebnis, das mit return zurückgegeben wird.

Beispiel: Summe Rekursiv

```
func SumNRecursive(n int) int {
  if n == 0 {
    return 0
}
return n + SumNRecursive(n-1)
}
```

- ▶ Berechnet die Summe der Zahlen von 1 bis n.
- Rekursiver Ansatz, ähnlich wie schon bei der Fakultät.

Beispiel: Primzahltest

```
func IsPrime(n int) bool {
for i := 2; i < n; i++ {
   if n%i == 0 {
      return false
   }
}
return n > 1
}
```

- ▶ Prüft für alle *i* zwischen 2 und n-1, ob *n* durch *i* teilbar ist.
- Gibt true zurück, wenn n eine Primzahl ist, sonst false.

Beispiel: While-Schleife

```
func SumWhileN(n int) int {
   sum, i := 0, 1
   for i <= n {
      sum += i
      i++
   }
   return sum
}</pre>
```

- ▶ Berechnet wieder die Summe der Zahlen von 1 bis *n*.
- Verwendet dafür eine while-Schleife.
- Die Schleife läuft solange, wie die Bedingung erfüllt ist.

Wichtige Bestandteile von Programmen: Variablen

- Variablen sind Speicherplätze für Werte.
- ► Müssen deklariert werden.
- Anschließend können darin Werte gespeichert werden und man kann mit diesen Werten rechnen.

Technische Sicht

- Variablen sind Speicherbereiche im Arbeitsspeicher.
- Die Größe des Bereichs hängt vom Typ der Variable ab.
- Der Typ einer Variable muss bei der Deklaration klar sein.
 - Notwendig, um den Speicher korrekt zu reservieren.
 - Nützlich, um das Programm vorab auf Fehler zu überprüfen.

Integer-Variablen

```
func IntVariables() {
var n int // Variablendeklaration
n = 42 // Variablenzuweisung
k := 23 // Kurzschreibweise für Deklaration und 2
fmt.Println(n, k, n+k)
}
```

- Deklaration: Reservieren von Speicher
- ► Rechnen mit den Werten ist möglich.

String-Variablen

```
func StringVariables() {
    s := "Hallo"
    t := "Welt"

st := s + " " + t // Verkettung der Strings

fmt.Println(st)
}
```

- ► Wie bei Integern, nur der Typ ist anders.
- Auch mit Strings kann gerechnet werden.

Listen-Variablen

```
func ListVariables() {
var l []int // leere Liste
    1 = append(1, 10, 20, 30, 40, 50)
fmt.Println(1) // komplett ausgeben
 fmt.Println(1[1])
  // Zweites Element ausgeben
    fmt.Println(1[1:3]) // Teil-Liste ausgeben
   1[1] = 42
             // Wert ändern
10 fmt.Println(1)
11 }
```

Listen sind (theoretisch) unbegrenzt.

Listen – Überblick

Grundlagen

Listen

Arrays und Slices Mehrdimensionale Arrays

Eigene Datentypen

Rekursion

Arrays

- Basis-Datentyp für Listen von Elementen.
- ► Kommt in vielen Programmiersprachen vor.
- ▶ I.d.R. feste Größe/Länge und nur ein Element-Datentyp.
- Elemente liegen zusammenhängend im Speicher.

Slices in Go

- Flexiblerer Listen-Datentyp.
- Slices sind Views auf Arrays.
 - Jede Slice hat ein zugrunde liegendes Array.
 - Mehrere Slices können auf das gleiche Array zeigen.

12 }

```
Definition eines Arrays
  func Example_arrayWithZeros() {
    var a [5]int
    for i := 0; i < len(a); i++ {
      a[i] = i
    }
    fmt.Println(a)
10 // Output:
11 // [0 1 2 3 4]
```

Initialisierung eines Arrays

```
func Example_arrayWithValues() {
   b := [5]int{1, 2, 3, 4, 5}

fmt.Println(b)

// Output:
// [1 2 3 4 5]
}
```

```
Leere Slice
  func Example_emptySlice() {
   var a []int
3
4 fmt.Println(len(a))
5 fmt.Println(a)
7 // Output:
8 // 0
9 // []
```

Slice mit Werten

```
func Example_sliceWithValues() {
    b := []int{1, 2, 3, 4, 5}

fmt.Println(len(b))
fmt.Println(b)

// Output:
// 5
// 5
// [1 2 3 4 5]
// 6
```

11 }

```
Teil-Auschnnitt einer Slice
  func Example_subSlice() {
a := []int{1, 2, 3, 4, 5}
b := a[1:3]
5 fmt.Println(a)
6 fmt.Println(b)
8 // Output:
9 // [1 2 3 4 5]
10 // [2 3]
```

Verändern einer Slice

```
func Example_modifySubSlice() {
a := []int{1, 2, 3, 4, 5}
b := a[1:3]
   b[0] = 99
7 fmt.Println(a)
8 fmt.Println(b)
10 // Output:
11 // [1 99 3 4 5]
12 // [99 3]
13 }
```

3

12 }

```
Append-Funktion
  func Example_append() {
    a := []int{}
  a = append(a, 1)
a = append(a, 2)
  a = append(a, 3)
    fmt.Println(a)
10 // Output:
11 // [1 2 3]
```

```
Make-Funktion

1 func Example_make() {
2    a := make([]int, 5)
3
4    fmt.Println(a)
5
6    // Output:
7    // [0 0 0 0 0]
```

Mehrdimensionale Arrays

- Listen können auch mehrere Dimensionen haben.
- Ansatz: Listen von Listen.

2x2-Matrix func Example_matrix() {

```
a := [2][2]int{
    {1, 2},
      \{3, 4\},\
    fmt.Println(a[0])
    fmt.Println(a[1])
    fmt.Println(a[0][0])
    fmt.Println(a[1][1])
10
11
12 // Output:
13 // [1 2]
14 // [3 4]
15 // 1
  1/4
16
17
```

Schleife über Matrix

```
func Example_loopMatrix() {
  a := [2][2]int{
    {1, 2},
     \{3, 4\},
    for i := 0; i < len(a); i++ {
      for j := 0; j < len(a[i]); j++ {
        fmt.Print(a[i][j])
10
      fmt.Println()
11
12
13
14 // Output:
15 // 12
16 // 34
17 }
```

Schleife über Spalte

```
func Example_loopMatrixColumn() {
  a := [2][2]int{
  {1, 2},
     {3, 4},
    for i := 0; i < len(a); i++ {
      fmt.Print(a[i][1])
    }
10
11 // Output:
12 // 24
13 }
```

Eigene Datentypen – Überblick

Grundlagen

Listen

Eigene Datentypen

Definition eigener Datentypen Strukturierte Datentypen

Rekursion

Schlüsselwort type

- Definition neuer Namen für Datentypen.
- Bessere Lesbarkeit und Verständlichkeit.
- ► Modellierung von Domänen-spezifischen Typen.

Beispiel: Längeneinheiten

- Definiere Datentyp Length für Längenangaben.
- ► Ist i.W. ein int .
- Verhindert Verwechslung mit anderen int -Werten.

Längen-Datentyp 1 func ExampleLength() { 2 var a Length = 10 3 4 fmt.Println(a) 5 6 // Output: 7 // 10 8 }

Methoden

- ► Spezielle Funktionen, die zu einem Typ gehören.
- ► Werden mit einem *Receiver* aufgerufen.
- Können Besonderheiten des Typs abbilden.

Exportmethoden

```
1 func (l Length) Centimeters() int {
2 return int(1)
3 }
5 func (l Length) Meters() int {
6 return int(1 / 100)
  func (l Length) Kilometers() int {
10 return 1. Meters() / 1000
11 }
```

Exportmethoden

```
func ExampleLength_conversions() {
    var a Length = 500000
3
    fmt.Println(a.Centimeters())
    fmt.Println(a.Meters())
    fmt.Println(a.Kilometers())
8 // Output:
9 // 500000
10 // 5000
11 // 5
12 }
```

Konstruktoren

- Funktionen, die ein Objekt eines Typs erstellen.
- ► Verbergen Initialisierungslogik.

Konstruktoren

```
1 func FromMeters(m int) Length {
    return Length (m * 100)
3 }
5 func FromCentimeters(m int) Length {
    return Length(m)
9 func FromKilometers(m int) Length {
    return Length(m * 1000 * 100)
10
11 }
```

Konstruktoren

```
func ExampleLength_from() {
    a := FromMeters(5)
b := FromCentimeters(5)
c := FromKilometers(5)
    fmt.Println(a)
    fmt.Println(b)
    fmt.Println(c)
 // Output:
10
11 // 500
12 // 5
13 // 500000
14 }
```

Aufgabe: Entwerfen Sie einen Datentyp Duration

- Modelliert eine Zeitspanne.
- Speichert Sekunden.
- ▶ Bietet Export/Import als Stunden, Minuten und Sekunden.

Schlüsselwort struct

- Definition von zusammengehörigen Variablen.
- Modellierung von komplexen Datenstrukturen.

Beispiel: GPS-Koordinaten

- Definiere struct für Längen- und Breitengrad.
- ▶ Beide sind float64 -Werte.
- Methode, um Distanz zu einer anderen Koordinate zu berechnen.

Struct für Koordinaten

```
type Coordinate struct {
Longitude float64
Latitude float64
}
```

Verwendung

```
func ExampleCoordinate_usage() {
a := Coordinate{0, 0}
b := Coordinate{3, 4}
    fmt.Println(a.Longitude)
    fmt.Println(b.Latitude)
    a.Latitude = 1
    fmt.Println(a.Latitude)
10
11 // Output:
12 // 0
13 // 4
14 // 1
15 }
```

Distanz-Methode

```
func (c Coordinate) DistanceTo(other Coordinate) float
x := c.Longitude - other.Longitude
y := c.Latitude - other.Latitude
return math.Sqrt(x*x + y*y)
}
```

Distanz-Methode

```
func ExampleCoordinate_DistanceTo() {
  a := Coordinate{0, 0}
    b := Coordinate{3, 4}
  d := a.DistanceTo(b)
    fmt.Println(d)
  // Output:
    // 5
10
11 }
```

Rekursion – Überblick

Grundlagen

Listen

Eigene Datentypen

Rekursion

Einleitung

Beispiele

Türme von Hanoi

Was gibt diese Funktion für n = 3 aus?

```
func CountDown(n int) {
   if n <= 0 {
      return
   }
   fmt.Println(n)
   CountDown(n - 1)
   }
}</pre>
```

Beispiel: Addition als Gleichungen spezifiziert

$$x + 0 = x$$
$$x + s(y) = s(x + y)$$

Anwendung der Gleichungen:

```
s(s(0)) + s(s(s(0)))

s(s(s(0)) + s(s(0)))

s(s(s(s(s(s(0)) + s(0))))

s(s(s(s(s(s(0)) + 0))))

s(s(s(s(s(0)) + 0))))
```

Rekursive Addition als Go -Programm:

```
1 func Add1(x, y int) int {
3 // Gleichungen für die Addition:
4 // x + 0 = x
5 // x + (y+1) = (x+y) + 1
_{7} if y == 0 {
   return x
   }
return Add1(x, y-1) + 1
11 }
```

Alternative Version (Tail-Recursion):

```
func Add2(x, y int) int {
3 // Gleichungen für die Addition:
4 	 // x + 0 = x
5 // x + y = (x+1) + (y-1)
_{7} if y == 0 {
    return x
return Add2(x+1, y-1)
11 }
```

Wozu Rekursion?

- Manches lässt sich kürzer und eleganter schreiben.
- ► Beispiel Fakultät:

$$\mathit{fac}(n) = \prod_{i=1}^{n} i$$
 oder $\mathit{fac}(0) = 1$ $\mathit{fac}(n) = n \cdot \mathit{fac}(n-1)$

Als iteratives Go -Programm:

```
func FactorialIter(n int) int {
  result := 1
  for i := 2; i <= n; i++ {
    result *= i
  }
  return result
}</pre>
```

Wozu Rekursion?

- ► Manches lässt sich kürzer und eleganter schreiben.
- ► Beispiel Fakultät:

$$\mathit{fac}(n) = \prod_{i=1}^{n} i$$
 oder $\mathit{fac}(0) = 1$ $\mathit{fac}(n) = n \cdot \mathit{fac}(n-1)$

Als rekursives Go -Programm:

```
func Factorial(n int) int {
  if n <= 1 {
    return 1
  }
  return n * Factorial(n-1)
}</pre>
```

Schema für rekursive Definitionen

- Ein oder mehrere Basisfälle (Rekursionsanfang, Anker).
- Ein oder mehrere rekursive Aufrufe (Rekursionsschritt).

Vergleich mit while -Schleifen

- Abbruchbedingung entspricht Rekursionsanfang.
- Schleifenrumpf entspricht Rekursionsschritt.

Beispiel: Fibonacci-Folge

$$fib(1) = fib(2) = 1$$

$$fib(n) = fib(n-1) + fib(n-2)$$

die ersten 10 Fibonacci-Zahlen:

Beispiel: Hailstone-Folge

- Beginne mit einer *natürlichen Zahl n*.
- lst n gerade, so nimm als nächstes n/2.
- lst *n* ungerade, so nimm als nächstes 3n + 1.
- ▶ Wiederhole, bis der Zyklus 4, 2, 1 erreicht ist.

Beispiele:

```
n = 1: 1, 4, 2, 1
n = 2: 2, 1, 4, 2, 1
n = 3: 3, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1
n = 4: 4, 2, 1
n = 5: 5, 16, 8, 4, 2, 1
n = 6: 6, 3, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1
n = 7: 7, 22, 11, 34, 17, 52, 26, 13, 40, 20, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1
```

Rekursion kann malen ...

Dieses Bild wird Sierpinski-Dreieck genannt.

Beispiel: Ackermann-Funktion

$$A(m,n) = egin{cases} n+1 & \text{falls } m=0 \ A(m-1,1) & \text{falls } m>0 \text{ und } n=0 \ A(m-1,A(m,n-1)) & \text{falls } m>0 \text{ und } n>0 \end{cases}$$

Hintergrund

- ▶ Die Werte dieser Funktion wachsen extrem schnell!
- ▶ Die Funktion wurde erdacht, um zu beweisen, dass Schleifen ohne Laufzeitschranke beim Programmieren notwendig sind.
- Der Beweis hat die Wachstumsgeschwindigkeit der Ackermann-Funktion verwendet.

Aufgabe: Bewege einen Turm aus Spielsteinen von A nach C

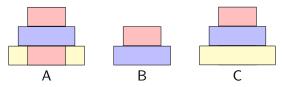
Gegeben:

- Spielsteine unterschiedlicher Größe.
- Drei Stellen A, B und C, an denen Spielsteine liegen können.

Spielregeln:

- 1. Die Steine werden einzeln bewegt.
- 2. Es wird niemals ein größerer Stein auf einen kleineren gelegt.

Beispiel mit 3 Steinen:



Frage: Wie bewegt man einen Turm der Höhe h von A nach C?

Naive Antwort:

- 1. Bewege alle bis auf die letzte Platte von A nach B
- 2. Bewege die letzte Platte von A nach C
- 3. Bewege den Turm von B nach C

Überraschung: So naiv ist das gar nicht!

Wir konstruieren einen Algorithmus auf Basis dieser Vorgehensweise.

Wir definieren stückweise eine Funktion, die das Problem löst.

Bewegen einer einzelnen Platte von Start (s) über Mitte (m) nach Ziel (z):

```
1 func Move(s, z string) {
2  fmt.Printf("Bewege Scheibe von %s nach %s.\n",
3 }
```

Wir definieren stückweise eine Funktion, die das Problem löst.

Bewegen eines Turms der Höhe 1:

```
func Hanoi1(s, m, z string) {
   Move(s, z)
}
```

Konstruktion der Hanoi-Lösung (Fortsetzung)

Bewegen eines Turms der Höhe 2:

```
1 func Hanoi2(s, m, z string) {
2   Hanoi1(s, z, m)
3   Move(s, z)
4   Hanoi1(m, s, z)
5 }
```

Konstruktion der Hanoi-Lösung (Fortsetzung)

Bewegen eines Turms der Höhe 3:

```
func Hanoi3(s, m, z string) {
   Hanoi2(s, z, m)
   Move(s, z)
   Hanoi2(m, s, z)
}
```

Konstruktion der Hanoi-Lösung (Fortsetzung)

Bewegen eines Turms der Höhe 4:

```
func Hanoi4(s, m, z string) {
   Hanoi3(s, z, m)
   Move(s, z)
   Hanoi3(m, s, z)
}
```

Laaaaaaaaaa...

Konstruktion der Hanoi-Lösung (Fortsetzung)

Bewegen eines Turms der Höhe 5:

```
func Hanoi5(s, m, z string) {
   Hanoi4(s, z, m)
   Move(s, z)
   Hanoi4(m, s, z)
}
```

...aaaaaaang...

Konstruktion der Hanoi-Lösung (Fortsetzung)

Bewegen eines Turms der Höhe 6:

```
func Hanoi6(s, m, z string) {
   Hanoi5(s, z, m)
   Move(s, z)
   Hanoi5(m, s, z)
}
```

...weeeeilig

Beobachtungen:

- ▶ Die Funktionen hanoi2 , hanoi3 , hanoi4 , ...sind alle gleich.
- ▶ Beim Aufruf wird nur die Zahl reduziert und dann wieder das Gleiche gemacht.
- Nur bei hanoi1 wird kein hanoi0 aufgerufen.

Schlussfolgerung: Wenn die Höhe als Argument übergeben wird, können wir alles in eine Funktion schreiben.

Rekursive Hanoi-Lösung

```
func Hanoi(h int, s, m, z string) {
  if h == 1 {
    Move(s, z)
  } else {
    Hanoi(h-1, s, z, m)
    Move(s, z)
    Hanoi(h-1, m, s, z)
  }
}
```