# Kodowanie i kompresja danych 2022

# Laboratorium nr 13 i 14 (na zaliczenie)

#### Zadanie na laboratorium

Napisz następujące programy:

koder in out - program który korzystając z rozszerzenia cyklicznego kodu Hamminga ((7,4) - generowany przez wielomian  $1+x+x^3$ ) o ósmy bit parzystości, zakoduje plik in do pliku out.

szum p in out - program który z prawdopodobieństwem p zamienia na przeciwny każdy bit z pliku in i zapisuje wynik w pliku out.

dekoder in out - program który zakodowany i zaszumiony plik in do pliku out, wypisując na końcu w ilu przypadkach napotkał 2 błędy.

sprawdz in1 in2 - program porównujący plik in1 z plikiem in2 i wypisujący ile 4-bitowych bloków nie jest identycznych.

### Zadania przygotowawcze do kolokwium

#### Zadanie 1

Udowodnij, że dla słów x, y, z równej długości odległość Hamminga spełnia nierówność trójkąta

$$d(x,y) + d(y,z) \geqslant d(x,z).$$

#### Zadanie 2

Pokaż, że jeśli H jest macierzą parzystości dla kodów długości n, wtedy kodowanie ma minimalną wagę d wtedy i tylko wtedy, gdy każde d-1 kolumn macierzy H jest liniowo niezależnych a pewien zbiór d kolumn jest liniowo zależny.

#### Zadanie 3

Wypisz wszystkie rozszerzone kody Hamminga długości 8. Jak wygląda macierz generująca i macierz parzystości dla tego kodowania.

#### Zadanie 4

Napisz macierze generujące i macierze parzystości dla kodów Hamminga długości odpowiednio 15 i 16.

#### Zadanie 5

Mamy kodowanie ze słowami długości k. Jaka jest minimalna długość kodów z korekcją jednego błędu (oparta na kodach Hamminga) dla tego kodowania. Jak stworzyć takie kody.

#### Zadanie 6

Pokaż, że binarny kod cykliczny długości 7 z wielomianem generującym  $g(x)=1+x^2+x^3$  jest kodem Hamminga. Napisz jego macierz generującą i macierz parzystości. Wypisz wszystkie syndromy i określ jak wygląda dla nich korekta kodu.

# Zadanie 7

Znajdź wszystkie binarne kody cykliczne długości 5. Napisz ich macierze generujące i macierze parzystości. Jakie kody otrzymałeś?

### Zadanie 8

Ile maksymalnie bitów informacji może mieć 24 bitowy kod korygujący 2 błędy. Odpowiedź udowodnij.