ÉCOLE PRATIQUE DES HAUTES ÉTUDES COMMERCIALES



Institut d'Enseignement Supérieur de Type Court

PRINCIPES DE PROGRAMMATION

ÉLÉMENTS D'ALGORITHMIQUE

PARTIE II : OUTILS DU RAISONNEMENT

Table des Matières

1. lı	NTRODUCTION	7
2. L	es Données (I)	9
2.1.	Les Types de Données	9
A)	DÉFINITION	9
в)	VALEURS LITTÉRALES	. 10
c)	CONSTANTES	.10
D)	Variables	.11
E)	Expressions	.12
2.2	LES TYPES SCALAIRES	. 13
A)	LE TYPE LOGIQUE	.14
в)	LE TYPE ENTIER	.16
c)	LE TYPE CARACTÈRE	. 20
D)	Le type Réel	. 22
E)	LE TYPE TEXTE	. 24
F)	CONCRÈTEMENT	. 26
2.3	Questions & Exercices	. 28
2.4	LES TYPES STRUCTURÉS (I)	. 29
	LES ENREGISTREMENTS	
,	LES TABLEAUX	
,	ES INSTRUCTIONS	
	LES INSTRUCTIONS D'ACTION	
,	L'AFFECTATION	
	Les Entrées/Sorties	
,	LA SÉQUENCE	
,	CONCRÈTEMENT	
,	LA PROCÉDURE	
,	CONCRÈTEMENT	
	LES INSTRUCTIONS DE CONTRÔLE	
-	LES CONDITIONS.	. 42
В)	LES STRUCTURES CONDITIONNELLES ET ALTERNATIVES	
	- Si Alors [Sinon]	
c)	STRUCTURES ALTERNATIVES MULTIPLES	
٥	- SelonQue valué	
	- SelonQue conditionné	
	- concrètement	. 54
D)	EXEMPLE RÉCAPITULATIF COMMENTÉ	.57
E)	LES TABLES DE DÉCISION	
	- généralités	
	- construction	
	- alternatives - simplifications - simplificatio	
	- simplifications	
	- un autre exemple	
	- concrètement	

F)	EXERCICES	75
G)	LES STRUCTURES RÉPÉTITIVES (BOUCLES)	77
	- TantQue	
	- Répéter Jusque	
	- comment choisir ?	
	- d'autres (types de) boucles	
	- concrètement	
н)	EXERCICES	88
4. O	UTILS DE GÉNÉRALISATION : PROCÉDURES ET FONCTIONS	91
	Procédures	
A)	GÉNÉRALITÉS	92
,	Plus d'Indépendance : les États	
c)	LA PORTÉE DES VARIABLES ET DES PROCÉDURES	95
4.2.	FONCTIONS	.96
	GÉNÉRALITÉS : RAPPEL SUR LA NOTION DE VALEUR	
	La Fonction : Généralisation de la Notion de Valeur	
4.3.	Notion de Paramètre	101
	Procédures paramétrées	
A)	SANS MODIFICATION DE DONNÉES	105
	AVEC MODIFICATION DE DONNÉES	
4.5.	SOUPLESSE ET ABSTRACTION : LA SURCHARGE	108
4.6.	CONCRÈTEMENT	110
	Exercices	
	ES DONNÉES (II)	
	LIMITE DES DONNÉES SCALAIRES	
	La Structure d'Enregistrement	
,	PREMIER CONTACT	
	L'OPÉRATEUR D'ACCÈS "POINT" (.)	
•	DÉCLARATIONS	
,	LE MOT ENREGISTREMENT N'EST PAS UN IDENTIFICATEUR DE TYPE!	
-	LES TYPES ABSTRAITS (ADT & API), OUTILS D'ABSTRACTION	
,	SUCRE SYNTAXIQUE	
,	API : Procédures ou Fonctions ?	
,	CONCRÈTEMENT	
•	EXERCICES	
•	La Structure de Tableau	
	Premier contact	
,	L'OPÉRATEUR D'ACCÈS []	
•	DÉCLARATIONS ET NOTATIONS	
,	Le Mot Tableau n'est pas un Identificateur de Type!	
,	ITÉRATEURS BASIQUES POUR UN TABLEAU À UNE DIMENSION	
,	L'Itérateur "Pour"	
,	ITÉRATEURS POUR LA VALIDATION/VÉRIFICATION D'UN TABLEAU	
Н)	Type Tableau abstrait : ADT & API	147
ı)	TAILLE PHYSIQUE ET TAILLE LOGIQUE D'UN TABLEAU PARTIEL	150
J)	ITÉRATEURS (BOUCLES) IMBRIQUÉS	152

K) TABLEAUX COUPLÉS EXPLOITÉS "EN PARALLÈLE"	153
l) Concrètement	154
M) EXERCICES	156
5.4. STRUCTURES MIXTES	161
a) Introduction	161
B) RENFORCEMENT DE LA NOTION DE VALEUR	162
C) TABLEAUX PARTIELS	163
D) PETITE API BASIQUE POUR LA GESTION DE TABLEAUX PARTIELS	164
e) Exercices	167
5.5. ALGORITHMES CLASSIQUES SUR LES STRUCTURES AVEC TABLEAUX	169
a) Tableaux à Correspondance directe	169
B) RECHERCHE(S) DANS UN TABLEAU NON ORDONNÉ	169
C) ORDONNANCEMENT (TRI) D'UN TABLEAU	175
- le tri 'bulle'	
- le tri 'par sélection'	
- variations sur le thème du tri	
D) RECHERCHE DANS UN TABLEAU ORDONNÉ (TRIÉ)	
- recherche séquentielle - recherche dichotomique	
e) Trier ou Indexer ?	
F) GÉNÉRICITÉ DU TRI, DE L'INDEXATION ET DE LA RECHERCHE	
G) NOTION DE FUSION	
H) EXERCICES	
5.6. POUR CONCLURE (?): EXEMPLES	
A) INTRODUCTION	
B) EXEMPLE(S) COMPLET(S)	
6. EXERCICES RÉCAPITULATIFS	211
7. Examens des Années précédentes	225

1. Introduction

Nous allons à présent examiner plus en détail les différentes composantes d'un langage 'pseudo-code', pour établir les principes généraux d'une <u>algorithmique</u> :

- impérative sur base d'actions (donc d'instructions) et d'états (donc de valeurs),
- <u>procédurale</u> offrant des outils structurels du raisonnement, tels les procédures et les fonctions, qui fournissent une expressivité maximale, un bon niveau d'abstraction et une réutilisabilité maximale (modularité)
- <u>itérative</u> proposant les outils nécessaires à l'adaptabilité et à l'autonomie des algorithmesautomates, tels que diverses formes d'instructions conditionnelles, alternatives et de boucles.

Cependant, comme on a pu s'en rendre compte dans la première partie, du point de vue opérationnel, une telle algorithmique ne serait rien¹ sans les <u>données concrètes</u> permettant la mémorisation et la détermination d'états-valeurs, et conduisant donc à la programmation d'un ordinateur (le 'niveau générationnel' de langage utilisé n'ayant ici aucune importance particulière : depuis le langage-machine jusqu'aux langages-objet)

Les données ne seront cependant évoquées ici que de manière assez basique, réservant au cours d'Organisation et Structure des Données² leur étude plus approfondie ...

Après l'introduction de la notion capitale de type de données, les différents types scalaires seront examinés (types Logique, numériques, Caractère et Texte) et ce en termes de domaines de valeurs, d'opérateurs et de propriétés

Ensuite, deux structures essentielles, indispensables et parfaitement complémentaires, sans lesquelles l'automatisation de problèmes complexes serait certainement impossible, seront abordées : la structure inhomogène d'Enregistrement et la structure homogène de Tableau ainsi que différentes manières de les associer

Grâce à ces structures, différents algorithmes fondamentaux seront enfin étudiés, dont notamment la recherche, le tri et l'indexation ... et enfin la notion de fusion

1 2008-2013

¹ un ouvrage majeur de référence reste celui de N. Wirth (un des 'inventeurs' d'une algorithmique structurée basée sur le pseudo-code et le créateur – entre autres - du langage de programmation Pascal) : Algorithms + Data Structures = Programs. Prentice-Hall. ISBN 978-0-13-022418-7. 1976

² au second semestre ...

2. LES DONNÉES (I)

Comme on a pu le découvrir dans la première partie de ce texte, on ne sait faire de l'algorithmique 'concrète' (de la programmation) qu'en faisant appel aux <u>données</u> : ce sont elles en effet qui constituent les <u>'états'</u> de l'algorithme (à partir desquels on peut déterminer - grâce aux opérateurs de <u>comparaison</u> - les états logiques vrai/faux qui interviennent dans les instructions de contrôle et donnent à l'ordinateur-automate son comportement adaptable).

2.1. LES TYPES DE DONNÉES

a) DÉFINITION

Du point de vue strictement algorithmique (qui n'a pas besoin d'avoir recours au concept d'ordinateur, c.-à-d. à une machine physique), les types de données sont une notion qui présente deux aspects essentiels :

• un <u>ensemble de valeurs</u> (ensemble au sens mathématique du terme, donc constitué de valeurs <u>distinctes et ordonnées</u>) ; cet ensemble est appelé <u>domaine</u> du type

exemples

- le domaine des nombres entiers relatifs pourrait être définis par la relation suivante :

- le domaine des caractères représentables sur un ordinateur a pour caractéristique (compte tenu de la technique de codage utilisée):

...
$$'A' < 'B' < 'C' < 'D'$$
 ...

• un <u>ensemble d'opérateurs internes</u> au domaine (c.-à-d. qui, à partir d'une ou plusieurs valeurs du domaine, déterminent une autre valeur de ce même domaine)

exemple

- sur le domaine des nombres entiers l'addition, la soustraction, la multiplication, le quotient et le reste sont de tels opérateurs (leurs résultats sont entiers)

Notons dès à présent qu'il sera donc important de disposer également d'un <u>ensemble d'opérateurs relationnels</u> (de <u>comparaison</u>) permettant – à partir de deux valeurs d'un même domaine (d'un même type, donc) – de <u>déterminer l'ordre</u> qui existe entre ces valeurs (=, <, >, $\neq_i \leq_i \geq$)

exemples

 des expressions de comparaison telles que 3 < 5, -1 > 0, 'C' = 'A' sont en réalité des 'questions' basées sur l'ordre existant entre les données, et fournissant comme réponse un état logique vrai/faux

Du point de vue de la programmation (application de l'algorithmique en informatique, sur un ordinateur, plus précisément), les types de données présentent deux caractéristiques supplémentaires qui dépendent entièrement de l'implémentation (architecture interne, système d'exploitation, compilateur, interpréteur ...)

- une <u>représentation physique</u> finie (c.-à-d. limitée) des valeurs sur un ensemble d'octets, ce qui aura un impact essentiel sur le domaine des valeurs représentables
- une <u>méthode de codage</u> (c.-à-d. de transformation/représentation de l'information sous forme binaire, habituellement symbolisée par les valeurs 1 et 0)

b) VALEURS LITTÉRALES

Difficile de définir ce qu'est une valeur : *une information concrète reconnaissable directement,* 'à vue', 'littéralement' ?

Pour que chaque type de données possède son propre ensemble de valeurs sans qu'il y ait d'ambiguïté, il faut des <u>règles syntaxiques</u> d'écriture très strictes des valeurs.

Ainsi: 256, -333 sont des valeurs littérales <u>numériques</u> 'entières' ... alors que ...

256.01, -333.085 sont des valeurs littérales <u>numériques</u> '<u>décimales'</u> (mais on préférera les qualifier de '<u>réelles'</u>) ...

'A' ou 'w' sont des valeurs littérales 'caractères' ... (on les place entre apostrophes)

"hello world!" est une valeur littérale 'texte' (on la place entre quillemets)

!!! attention !!! 1 est un entier alors que '1' est un caractère ... et "1" est un texte; avec le premier on sait faire des calculs, mais pas avec le second ni le troisième ... ce sont habituellement les possibilités d'utilisation qui déterminent si une valeur est numérique ou non : dans 1348 LLN, 1348 n'est pas (vraiment) numérique (on n'additionne pas des codes postaux); même remarque si 010335577 est un numéro de téléphone ...

c) Constantes

Les <u>constantes</u> sont des <u>valeurs littérales</u> qui jouent un rôle particulier dans l'algorithme et ne sont pertinentes qu'en fonction du problème posé ...

par exemple,

- ° on peut imaginer dans RobotProg que la taille du terrain soit fixe en nombre de cases et nécessite pour ce faire la mémorisation de deux valeurs littérales : le nombre de cases selon l'axe x et le nombre de cases selon l'axe y ...
- ° de même, l'algorithme du Peleur a mis en évidence deux valeurs littérales particulières et mémorisées pour définir les contenances fixes ! du seau et de la marmite ...

Afin de mettre ce <u>rôle en évidence</u>, on lui associe un <u>nom symbolique</u>, pour assurer une plus grande indépendance de l'algorithme vis-à-vis des valeurs (il ne manipule ainsi que des noms symboliques).

Il va de soi que, comme son nom l'indique, l'<u>association nom-valeur est fixe</u> (est 'constante') et ne peut changer en cours de route (en programmation, une tentative d'affectation d'une valeur à une constante se solde, sinon par une erreur, du moins par un avertissement)

La liste des constantes est énoncée dans la partie déclarative de l'algorithme, selon la syntaxe suivante³ :

```
Constante nomDeConstante = <valeur littérale> [, ...]
```

```
exemple: Constante pi = 3.14159, tauxTva1 = 0.21,
tauxTva2 = 0.06, tailleMaxi = 160
```

Cette place privilégiée <u>tout en tête</u> de l'algorithme permet le cas échéant un accès rapide (et unique) aux valeurs en cas de modification des spécifications du problème (définir un autre terrain pour RobotProg, d'autres contenances de la marmite et du seau pour le Peleur; on peut également imaginer que de temps à autre, des circonstances extérieures entraînent une évolution de certaines valeurs jusque là constantes : p.ex. si la tva passe de 21% à 12%)

³ les [] désignent une partie facultative, et indiquent également une répétition possible; ici donc le mot Constante est associé à une liste dont chaque élément possède trois composantes (un nom, le symbole =, une valeur littérale)

d) VARIABLES

Les <u>variables</u> sont également des <u>noms symboliques</u>, représentant cette fois des <u>emplacements de mémorisation</u> (donc symbolisant en programmation des adresses physiques dans la mémoire centrale), <u>dont le contenu</u> (valeur) <u>peut varier</u> en cours d'exécution.

Dans la première partie de ce texte, nous avons fait la découverte de l'ordinateur-automate et en particulier de la nécessité pour les données (et les résultats) de résider en mémoire centrale (dans des 'cases' possédant chacune une 'adresse'); dès l'apparition des langages d'assemblage, une forme rudimentaire d'indépendance entre programme et machine physique est apparue grâce à la possibilité de symboliser des adresses-mémoire par des noms (directives *def* ...)

Mais une telle symbolisation ne suffit pas ! pour que l'utilisation (du contenu) d'une variable ait du sens, <u>cette variable doit posséder un type</u>⁴ (ce qui détermine les valeurs qu'elle peut prendre et les opérateurs qui peuvent agir sur elle), dès lors, la liste des variables doit être énoncée dans la partie déclarative de l'algorithme (<u>derrière</u> la liste des <u>constantes</u>⁵) et utilise la syntaxe suivante pour associer nom(s) de variable(s) et type(s) de données associé(s) :

Variable nomDeVariable [, nomDeVariable ...]: nomDeType [; ...]

NB: dans ce dernier exemple, au lieu d'associer aux variables un type de données générique (Entier), elles sont déclarées au moyen d'un intervalle faisant référence aux constantes (contenuSeau peut prendre toute valeur entière comprise entre 0 et la constante contenanceSeau); on dit que le type de la variable ainsi déclarée est un sous-type Entier

<u>Attention</u>: au moment de sa <u>déclaration</u>, une <u>variable possède</u> un type précis, mais <u>ne possède pas</u> (encore) de valeur (celle-ci est dite indéterminée : la déclaration ne fait qu'associer une adresse-mémoire et un nom), seule l'instruction d'affectation – pour rappel, l'unique instruction d'action élémentaire disponible sur l'ordinateur-automate - permettra de donner un contenu (une valeur) à la variable (et donc à l'emplacement correspondant en mémoire).

Plus encore que les constantes, les variables sont également indispensables en algorithmique (donc en programmation), car elles sont les <u>concrétisations des états</u> de l'algorithme (quand une variable change de valeur, l'état de l'algorithme change également, ce qui peut être déterminé par une comparaison, c.-à-d. la détermination d'un état logique vrai/faux)

```
exemple: Constante contenanceSeau = 7, contenanceMarmite = 43
    Variable contenuSeau, contenuMarmite : Entier
    ...
    contenuSeau ← contenuSeau - 1 # change l'état du seau
    Si contenuSeau = 0 Alors # tester l'état du seau
```

© Ch.L. 2008-2014

⁴ toute variable possède nécessairement un type : cette association peut être <u>explicite</u> (via une déclaration) c'est le cas dans ce cours d'algorithmique, comme dans les <u>langages compilés</u> (Pascal, C, Java) ou <u>implicite</u> (sans déclaration) comme c'est le cas dans les <u>langages interprétés</u> (PHP, Python, Ruby, ...), ... voir les cours de langages de programmation pour plus de détails ...

⁵ parce que la déclaration des variables peut faire référence aux constantes (donc celles-ci doivent déjà être connues à ce moment) ; ceci sera illustré plus loin dans le texte

e) EXPRESSIONS

Dès lors que l'on dispose – pour un type donné – d'un ensemble de valeurs littérales, de constantes, de variables et d'opérateurs compatibles, on va pouvoir <u>combiner</u> le tout dans des <u>expressions</u> (comme on le fait en mathématique, sauf qu'en informatique on ne se limitera pas aux seules grandeurs numériques).

<u>Toute expression 'calcule' un résultat</u> (une valeur, ce qui explique qu'on préfère le verbe <u>évaluer</u> à calculer) qui possède un type sans équivoque : ceci impose à toute expression de se trouver dans la partie droite d'une affectation, la partie gauche spécifiant la variable réceptrice du résultat et possédant nécessairement le type approprié.

exemple:

```
Constante prixUnitaire = 1.25, tauxTva : 0.21

Variable quantitéCommandée : Entier, prixHTva, prixTvaC : Réel
...

quantitéCommandée ← 30

prixHTva ← quantitéCommandée * prixUnitaire

prixTvaC ← prixHTva * (1 + tauxTva)
```

Un œil attentif aura sans doute remarqué dans cet exemple la transgression de la règle du caractère interne des opérateurs : nous avons ici mélangé au moins deux fois les types Entier et Réel dans des expressions. Qu'on se rassure, ils constituent deux types numériques compatibles et la règle est que dans une expression comportant une opérande réelle et une opérande entière, cette dernière (plus 'faible') est convertie en réel (plus 'forte') et que le résultat de l'expression est un réel ; quant à l'affectation finale, nous considèrerons ici que c'est le type de la variable réceptrice qui décide : si elle est déclarée réelle, pas de problème ; si elle est déclarée entière, le résultat est tronqué de sa partie décimale avant l'affectation.⁶

Dans la suite de ce texte, nous utiliserons le mot valeur dans son sens le plus général,

c.-à-d. que si l'on définit une affectation comme nomDeVariable ← valeur, alors le mot valeur pourra être remplacé par :

- ° une valeur <u>littérale</u>
- ° une constante
- ° une variable
- une fonction (détail sur ce point plus loin)
- ° toute <u>expression</u> valuée (qui possède par 'calcul' une valeur)

Exemple:

```
Constante CA = 25, CB = 21
Variable a, b : Entier
. . .
 a \leftarrow 30
                             # valeur littérale
 b \leftarrow CB
                              # constante
 a \leftarrow b
                              # variable
 a \leftarrow \max(a, b)
                              # fonction (max détermine et renvoie la plus
                                grande des deux valeurs transmises)
 a \leftarrow 25 - CA
                             # expression (littéral & constante)
 b \leftarrow a + 8 * CB
                             # expression (variable, littéral et constante)
```

© Ch1 2008-2014

⁶ chaque langage de programmation possède en la matière sa propre règle ; en Pascal, affecter une valeur réelle à une variable déclarée entière entraîne une erreur de compilation

2.2. LES TYPES SCALAIRES

On désigne de la sorte (vocabulaire issu des mathématiques) les types pour lesquels constantes et variables ne peuvent contenir qu'<u>une et une seule valeur,</u> et ce, à tout moment !

- pour les constantes, cela va de soi, compte tenu de leur définition : une constante conserve sa valeur tout au long de l'algorithme
- pour les variables, cela signifie notamment que l'<u>affectation est 'destructrice'</u> (rappelons qu'il s'agit une instruction d'action qui modifie l'état de la variable) :

la <u>valeur</u> contenue par une variable <u>avant affectation</u> est perdue car elle est <u>remplacée</u> par la nouvelle valeur

dans la mesure où une variable ne possède pas de valeur (disons qu'elle est indéfinie) au moment de sa déclaration, dans une séquence algorithmique, on doit nécessairement la <u>trouver d'abord</u> dans une instruction d'affectation où elle figure <u>'à gauche'</u> avant de pouvoir <u>la trouver ensuite</u> dans une autre instruction où elle figure <u>'à droite'</u>

```
ne pas faire: Variable x, y: Entier

...

y \leftarrow x + 1 # puisque x est indéfini, x + 1 est indéfini!

faire: Variable x, y: Entier

...

x \leftarrow 13 # d'abord définir la valeur de x

y \leftarrow x + 1 # puisque x est défini, x + 1 est défini aussi!
```

pour rappel : la <u>partie droite</u> d'une instruction d'affectation est <u>évaluée en premier lieu</u> et son résultat (sa valeur) est affecté ensuite dans la partie gauche (la variable).

```
exemple:
          Variable qtéStock, qté : Entier
           gtéStock ← 30
                                         # la variable contient 30
           qtéStock ← qtéStock * 2
                                         # équivalent à qtéStock ← 30 * 2
           até ← atéStock
                                   # copier (le contenu de) qtéStock dans qté
         Constante contenanceSeau = 7, contenanceMarmite = 43
exemple:
         Variable contenuSeau, contenuMarmite : Entier
           contenuSeau ← 0
                                   # état initial seau
           contenuMarmite \leftarrow 0
                                   # état initial marmite
           contenuSeau ← contenuSeau - 1
                                                      # change état seau
           contenuMarmite ← contenuMarmite + 1
                                                      # change état marmite
```

Note importante : <u>l'affectation n'est pas destructrice</u> pour ce qui se trouve <u>à droite</u> du symbole \leftarrow ; par exemple l'affectation $\mathtt{qt\acute{e}} \leftarrow \mathtt{qt\acute{e}Stock}$ place <u>une copie</u> de la variable de droite dans celle de gauche

Nous allons à présent – et rapidement – passer en revue les principaux types scalaires que l'on rencontre usuellement en algorithmique 'classique' : les types Logique, Entier, Caractère, Réel, et Texte (chaînes de caractères)

En programmation (c.-à-d. dans les langages), il y a de très nombreuses variations sur le thème des types scalaires, les langages récents⁷ offrent par exemple une 'panoplie' complète de types numériques ...

⁷ les langages Python et Ruby proposent à côté des types Entier (avec de multiples sous-types) et Réel (idem) conventionnels, les types Rationnel, Complexe, (domaine de valeurs <u>et</u> opérateurs spécifiques bien sûr) ... etc ...

a) LE TYPE LOGIQUE 8

À tout seigneur, tout honneur ! on aura compris tout la considération que l'auteur de ce texte porte au type Logique, puisqu'il offre à nos automates la composante « état binaire » qui les rend adaptables, donc programmables ...

<u>Domaine</u> : c'est le type le plus simple de ce point de vue : il se limite à <u>l'ensemble des deux</u> valeurs de vérité {vrai, faux}⁹

Pour les langages de programmation, la question du codage et de la taille de ces deux valeurs ne dépend que de l'implémentation (en théorie, un bit suffirait ; en pratique, on utilise le plus souvent un octet, mais le codage final de vrai et faux est un choix d'implémentation, caché au programmeur)

exemple:

```
Variable estBisseur, trouvé, fini : Logique
```

<u>Littéraux</u>: <u>vrai</u> et <u>faux</u>: <u>attention</u>! ces deux valeurs sont les constantes littérales du domaine Logique; il faut donc considérer vrai et faux strictement comme on le fait avec 25 ou -12 pour le domaine Entier: ce sont des valeurs! (il ne s'agit donc pas de motstexte qui devraient alors s'écrire "vrai" et "faux")

exemple:

```
Variable trouvé, fini : Logique # deux variables logiques (2
états binaires mémorisés)
...
trouvé ← faux # affectation de valeur littérale
fini ← vrai # affectation de valeur littérale
```

<u>Opérateurs</u>: ce sont ceux de la logique de Boole¹⁰: <u>NON, ET, OU</u> (ils sont bien internes, puisque toute fonction logique comportant des variables et ces opérateurs logiques retourne vrai ou faux)

La <u>précédence</u> (priorité) de ces opérateurs est la suivante (du plus fort au plus faible) : NON, ET, OU ; si nécessaire, les parenthèses permettent de spécifier un autre ordre d'évaluation

Si v, v1, v2 sont des variables logiques, l'effet des opérateurs NON, ET, OU est décrit par les tables de vérité suivantes :

V	NON v
faux	vrai
vrai	faux

v1	v2	v1 ET v2
faux	faux	faux
faux	vrai	faux
vrai	faux	faux
vrai	vrai	vrai

v1	v2	v1 OU v2
faux	faux	faux
faux	vrai	vrai
vrai	faux	vrai
vrai	vrai	vrai

Parmi les proporiétés les plus importantes de ces opérateurs, on retiendra plus paticulièrement la loi de De Morgan : (v1 et v2 sont des expressions logiques)

NON (v1 OU v2) \equiv NON v1 ET NON v2

NON (v1 ET v2) \equiv NON v1 OU NON v2

Coupler plusieurs variables (ou expressions) logiques par de tels opérateurs correspond à des situations "multi-états" (pour rappel, un automate dispose habituellement de plusieurs états différents, mais qu'il faut parfois évaluer "ensemble")

 $^{^{8}}$ relire le fascicule Éléments de Logique du cours de Mathématiques, n'est pas inutile à ce stade ...

⁹ ... et ici, pas question d'utiliser 1 et 0 ! en Pascal (comme dans la plupart des langages de 'haut niveau') récents, ces valeurs sont <u>true</u> et <u>false;</u> en langage C, plus proche de la machine physique, les valeurs vrai/faux sont <u>simulées</u> par les valeurs entières 1/0

¹⁰ dans les langages qui proposent ce type (comme Pascal, mais pas C), le type porte d'ailleurs le nom de <u>boolean</u>

De telles situations ont été rencontrées avec RobotProg :

- être dans un coin particulier s'exprimait p.ex. par : murEnFace ET murAGauche
- ne pas être dans ce coin s'exprime par : NON (murEnFace ET murAGauche),
 ce qui équivaut donc à : (NON murEnFace OU NON murAGauche)
- et en toute généralité, être dans n'importe quel coin a pour expression logique : (murEnFace ET (murAGauche ou murADroite)) ce qui s'écrit donc aussi :

<u>NB</u>: dans une boucle (TantQue condition Faire... p.ex.), dans la mesure où la condition correspond à un <u>but à atteindre</u>, donc à un état binaire à rendre vrai, il est habituellement plus clair et lisible de <u>ne pas appliquer de Morgan</u> en programmation (sauf évidemment si cela permet de simplifier l'expression)

donc, si le but est d'aller dans un coin, c.-à-d. de rendre vraie l'expression multiétats : murEnFace ET (murAGauche OU murADroite), on préférera écrire habituellement

TantQue NON (murEnFace ET (murAGauche OU murADroite)) Faire ... plutôt que (simple application de De Morgan)

TantQue NON murEnFace OU NON (murAGauche OU murADroite) Faire ... ou que encore (double application de De Morgan)

TantQue NON murEnFace OU (NON murAGauche ET NON murADroite) Faire ...

<u>Note</u>: compte tenu des tables de vérité de OU et de ET, on peut considérer que l'évaluation d'une expression logique s'arrête dès qu'une opérande est vraie dans le cas du OU, et dès qu'une opérande est fausse dans le cas du ET; c'est ce qui implémenté aujourd'hui dans les 'bons' compilateurs et interpréteurs (cfr. référence du langage)¹¹

<u>Affectation</u>: elle devrait être la plus 'directe' possible; cependant, on voit trop souvent – même chez des programmeurs confirmés - une incompréhension de la nature exacte d'une variable logique, comme ci-dessous:

5 lignes pour déterminer ce qu'il faut mémoriser dans la variable fini, c'et inutilement lourd ...

retour aux sources:

- qu'est-ce qu'une comparaison?
- c'est l'utilisation des opérateurs relationnels = , ≠, >, ≥, <, ≤ entre valeurs
- le résultat d'une telle comparaison est toujours vrai ou faux, donc de type Logique

pour cette raison et pour une meilleure clarté de l'algorithme, on préférera <u>écrire</u> directement, (en une ligne !)

```
fini \leftarrow (x = y) # affectation directe du résultat de la comparaison
```

Ch.L. 2008-2014

¹¹ http://en.wikipedia.org/wiki/Short-circuit evaluation

b) <u>LE TYPE ENTIER</u>

<u>Domaine</u>: l'<u>ensemble des nombres entiers relatifs</u> \mathbb{Z} (négatifs, nul, positifs)

Pour l'algorithmique : point final !

Pour les langages de programmation, par contre, la double question du codage des valeurs et de la taille de la représentation est ici dépendante de l'implémentation : il est quasi standard de coder les valeurs négatives par la technique du complément vrai¹² ; pour ce qui est de la taille (en octets) des variables – qui, faut-il le rappeler, détermine les bornes du domaine des valeurs représentables¹³ – il est impératif de consulter la documentation de référence livrée avec le compilateur ou l'interpréteur du langage ...

exemple : les différents	(sous-)types	entiers du	<i>compilateur</i>	GNU Pascal :
--------------------------	--------------	------------	--------------------	--------------

Туре	Range	Size in bytes
Byte	0 255	1
Shortint	-128 127	1
Smallint	-32768 32767	2
Word	0 65535	2
Integer	either smallint or longint	2 or 4
Cardinal	longword	4
Longint	-2147483648 2147483647	4
Longword	04294967295	4
Int64	-9223372036854775808 9223372036854775807	8
QWord	0 18446744073709551615	8

<u>Littéraux</u>: les nombres entiers tels qu'ils s'écrivent en arithmétique (254, -33, 0)

<u>Opérateurs</u> : ce sont les <u>opérateurs de l'arithmétique entière</u> qui conservent leur précédence (priorité) naturelle, ainsi que leurs symboles

ces opérateurs doivent être <u>internes</u> (le résultat de toute expression entière est un entier, d'où les deux opérateurs de division div et mod et non pas l'opérateur division 'habituel' / !)

- changement de signe (-)
- ° addition (+)
- ° soustraction (-)
- multiplication (*)
- 9 !! quotient entier (div) # 10 div 3 = 3 (10 divisé par 3 donne 3 ...)
- !! reste de la division entière (mod) # 10 mod 3 = 1 (... reste 1)

NB : l'opérateur modulo (mod) est largement sous-utilisé (ou mal perçu ?) : il a pourtant des caractéristiques particulièrement intéressantes :

- critère de divisibilité : n1 est divisible par n2 si n1 mod n2 = 0
- cas particulier du point précédent : parité : n1 est pair si n1 mod 2 = 0
- voir plus loin l'exemple 'conversion de secondes' pour d'autres utilisations

À ces opérateurs s'ajoutent quelques fonctions indispensables, notamment valeurAbsolue() qui retourne la valeur absolue de son argument (cfr. la documentation des langages)

¹² cette fois, c'est le fascicule Numération du cours de Mathématique qu'il faut consulter

¹³ idem

Propriétés:

1) les nombres entiers sont <u>énumérables</u>¹⁴ (même s'il faut un temps infini pour les dénombrer tous!) : en effet ils reposent sur un principe simple : chaque entier peut être obtenu en additionnant/soustrayant 1 à un autre entier (0 par exemple, qui semble un 'bon' point de départ)

le type Entier dispose donc de deux fonctions internes : prédécesseur() et successeur()

```
Variable a, b : Entier ... a \leftarrow 5 \qquad \qquad \# \ affectation \ valeur \ littérale \ entière b \leftarrow prédécesseur(a) \qquad \# \ affecte \ 4 \ a \ b
```

2) compte tenu de leur définition, les entiers sont également <u>comparables</u> entre eux puisqu'ils sont <u>ordonnés</u> (cela découle de leur définition : si 5 = 4 + 1, alors 5 > 4 et 4 < 5),

ces comparaisons s'effectuent avec les opérateurs relationnels =, \neq , >, \geq , <, \leq , ce qui permettra de les utiliser dans des conditions (et d'en déduire des états binaires).

Une fois encore, nous insistons que tout ce qui précède concerne des <u>valeurs entières au sens large</u> et que donc – pour autant qu'elles soient implicitement ou explicitement entières – on entend par valeurs entières : les littéraux, les constantes symboliques, les variables, les fonctions et les expressions valuées, on peut donc écrire

```
Constante ca = 33

Variable a, b : Entier
...

a ← 5 + ca  # expression : littéral & constante
b = prédécesseur(2*a + 4) # expression : littéraux & variable
Si a + 1 ≠ b - 2 Alors # comparer des expressions entières
...
FinSi
```

<u>Sous-types</u>: on néglige beaucoup trop souvent cet aspect des choses, en particulier dès la déclaration des variables. Or cette déclaration a un double rôle à jouer:

- ° c'est d'abord nécessairement une <u>déclaration d'appartenance générique</u> à un type *(telle variable ne peut contenir que des valeurs entières)*
- mais ce devrait être également <u>une déclaration du (sous-)domaine (de valeurs) spécifique au problème posé</u> (telle variable, parmi les valeurs entières proposées par le type générique, ne peut en contenir que certaines); cette démarche est déjà une 'annonce' des validations qu'il faudra effectuer plus tard et participe à la documentation de l'algorithme

Grâce à son caractère énuméré, le type Entier permet notamment d'utiliser un soustype sous forme d'<u>intervalle</u> (précisant la borne inférieure et la borne supérieure) correspondant à *'toute valeur entière comprise entre ... et ...'*; on retrouvera d'autres critères d'utilisations dans le paragraphe consacré aux conditions

Exemple : à cette déclaration (trop) générique :

```
Variable jour, mois, heure, minutes, secondes : Entier

on préférera (avec un commentaire lorsqu'une situation particulière se présente)

Variable heure : 0..23,

minutes, secondes : 0..59,

mois : 1..12,

jour : 1..31 # !!! borne supérieure 31, 30, 29, 28
```

¹⁴ techniquement, on dira que le type Entier (tout comme les types Logique et Caractère) est un type ordinal, car chaque valeur possède une place précise et immuable au sein du domaine des valeurs ; ce n'est pas le cas du type Réel qui n'est pas ordinal

Lorsque le problème fait apparaître des intervalles spécifiques, mais sujets à possible modification (pas comme ci-dessus où il semble figé que les minutes et secondes restent entre 0 et 59), il est préférable de coupler la possibilité de définir des intervalles à l'utilisation des constantes, cela rend les choses encore plus lisibles et plus facilement adaptables le jour venu

```
Exemple : à cette déclaration
    Variable age : 18..65
    on préférera
    Constante ageInférieur = 18, ageSupérieur : 65
    Variable age : ageInférieur.. ageSupérieur
```

NB : cette possibilité justifie l'obligation que le bloc déclaratif des constantes précède celui des variables ...

On retrouvera souvent cette notion d'intervalle, car elle apparaîtra sous forme de 'sucre syntaxique' (cfr. plus loin) dans les conditions ...

```
Variable age : 18..65
...
ainsi, au lieu d'écrire
Si age ≥ 18 et age ≤ 65 Alors ...
on aura la possibilité d'écrire (toujours cette recherche de la lisibilité immédiate!)
Si age entre 18 et 65 Alors<sup>15</sup> ...
```

Exemple: conversion de secondes

on donne un nombre entier de secondes; le convertir en jours, heures, minutes et secondes; interface souhaitée : quelque chose comme :

```
introduisez le nombre de secondes : xxxxxxx
cela correspond à xx jours, xx heures, xx minutes et xx secondes
```

```
Algorithme convertisseurSecondes :
# de l'usage de div/mod ...
Variable
           # à encoder
           secondes : Entier
           # à calculer
           nombreJours, nombreHeures, nombreMinutes, nombreSecondes : Entier
Début
 # séquence (future procédure) d'encodage
 écrire("introduisez le nombre de secondes : ") # message : invite
 lire(secondes)
                                                   # saisie
 # séquence (future procédure) de calcul !! ordre des actions !!
 nombreSecondes ← secondes mod 60
                                             # ce qui reste finalement
 nombreMinutes ← secondes div 60
                                             # première approche minutes
 nombreHeures ← nombreMinutes div 60
                                             # première approche heures
 nombreMinutes ← nombreMinutes mod 60
                                             # minutes : ce qui reste finalement
 nombreJours ← nombreHeures div 24
                                             # jours : ok
 nombreHeures ← nombreHeures mod 24
                                             # heures : ce qui reste finalement
```

© Ch1 2008-2014

¹⁵ sucre particulièrement bienvenu en Pascal où il faut des parenthèses dans les expressions logiques : if (age >= 18) and (age <=65) then ... qui peut être remplacé par if age in [18..65] then ...

```
# séquence (future procédure) d'affichage des résultats
```

Exercice(s)

à votre avis, dans l'algorithme ci-dessus, pourquoi n'a-t-on pas déclaré directement ceci?

c) <u>LE TYPE CARACTÈRE</u>

<u>Domaine</u>: pour l'algorithmique, c'est l'ensemble des <u>caractères nécessaires à la communication</u> 'humaine' (lettres majuscules et minuscules, caractères de ponctuation, chiffres, symboles des opérateurs, etc. ...)

en informatique, par contre, (et dans les langages de programmation en particulier), des <u>caractères supplémentaires</u> sont nécessaires <u>pour la communication homme-machine et machine-machine</u> (caractères de contrôle et/ou de commande, p.ex. des caractères tels que <return>, <escape>, <tabulation>, etc. ...)

Le codage et la taille¹⁶ de la représentation des caractères a longtemps été 'simple'¹⁷: une table de caractères qui s'est standardisée et internationalisée (ASCII 7 bits au départ, 128 caractères disponibles, dont les 32 premiers sont des caractères de contrôle et/ou de commande, ci-dessous à gauche¹⁸, ASCII 8 bits ensuite, donc 256 caractères, pour permettre l'ajout des caractères accentués, graphiques ou symboliques ; ci-dessous à droite, l'extension des 128 caractères supplémentaires)

Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char	ì	Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char	Dec	Hex	Char
0	00	Null	32	20	Space	64	40	0	96	60	٠.	1	128	80	Ç	160	A0	á	192	CO	L	224	EO	CX CX
1	01	Start of heading	33	21	!	65	41	A	97	61	a		129	81	ü	161	A1	í	193	C1	1	225	E1	ß
2	02	Start of text	34	22	"	66	42	В	98	62	b		130	82	é	162	A2	ó	194	C2	т	226	E2	Г
3	03	End of text	35	23	#	67	43	С	99	63	c		131	83	â	163	A3	ú	195	C3	F	227	E3	п
4	04	End of transmit	36	24	Ş	68	44	D	100	64	d		132	84	ä	164	A4	ñ	196	C4	-	228	E4	Σ
5	05	Enquiry	37	25	*	69	45	E	101	65	e		133	85	à	165	A5	Ñ	197	C5	+	229	E5	σ
6	06	Acknowledge	38	26	٤	70	46	F	102	66	f		134	86	å	166	A6	2	198	C6	F	230	E6	μ
7	07	Audible bell	39	27	'	71	47	G	103	67	g		135	87	Ç	167	Α7	۰	199	C7	⊩	231	E7	τ
8	08	Backspace	40	28	(72	48	H	104	68	h		136	88	ê	168	A8	ć	200	C8	L	232	E8	Φ
9	09	Horizontal tab	41	29)	73	49	I	105	69	i		137	89	ë	169	A9	-	201	C9	F	233	E9	•
10	0A	Line feed	42	2A	*	74	4A	J	106	6A	ز		138	8A	è	170	AA	¬	202	CA	ഥ	234	EA	Ω
11	OB	Vertical tab	43	2 B	+	75	4B	K	107	6B	k		139	8B	ï	171	AB	1-5	203	CB	īr .	235	EB	δ
12	OC.	Form feed	44	2C	,	76	4C	L	108	6C	1		140	8C	î	172	AC	1 ₆	204	CC	ŀ	236	EC	ω
13	OD	Carriage return	45	2 D	-	77	4D	M	109	6D	m		141	8 D	ì	173	AD	i	205	CD	=	237	ED	ø
14	0E	Shift out	46	2 E	.	78	4E	N	110	6E	n		142	8 E	Ä	174	AE	«	206	CE	#	238	EΕ	ε
15	OF	Shift in	47	2F	/	79	4F	0	111	6F	0		143	8 F	Å	175	AF	»	207	CF	_	239	EF	n
16	10	Data link escape	48	30	0	80	50	P	112	70	р		144	90	É	176	BO	8	208	DO	ш	240	FO	=
17	11	Device control 1	49	31	1	81	51	Q	113	71	đ		145	91	æ	177	B1	*******	209	D1	Ŧ	241	F 1	±
18	12	Device control 2	50	32	2	82	52	R	114	72	r		146	92	Æ	178	B2		210	D2	т	242	F2	≥
19	13	Device control 3	51	33	3	83	53	S	115	73	s		147	93	ô	179	В3	1	211	D3	L	243	F3	≤
20	14	Device control 4	52	34	4	84	54	T	116	74	t		148	94	ö	180	B4	4	212	D4	F	244	F4	l i
21	15	Neg. acknowledge	53	35	5	85	55	U	117	75	u		149	95	ò	181	B5	4	213	D5	F	245	F5	j j
22	16	Synchronous idle	54	36	6	86	56	V	118	76	v		150	96	û	182	В6	1	214	D6	г	246	F6	÷
23	17	End trans, block	55	37	7	87	57	V	119	77	w		151	97	ù	183	В7	П	215	D7	#	247	F7	*
24	18	Cancel	56	38	8	88	58	X	120	78	x		152	98	Ÿ	184	В8	٦	216	D8	+	248	F8	•
25	19	End of medium	57	39	9	89	59	Y	121	79	У		153	99	Ö	185	В9	4	217	D9	J	249	F9	•
26	1A	Substitution	58	3A	:	90	5A	Z	122	7A	z		154	9A	ΰ	186	BA	I	218	DA	г	250	FA	1
27	1B	Escape	59	3 B	;	91	5B	[123	7B	{		155	9B	¢	187	BB	า	219	DB		251	FB	4
28	1C	File separator	60	3 C	<	92	5C	١	124	7C	l l		156	9C	£	188	BC	I	220	DC	-	252	FC	n
29	1D	Group separator	61	3 D	-	93	5D]	125	7D	}		157	9D	¥	189	BD	Ш	221	DD	I I	253	FD	£
30	1E	Record separator	62	3 E	>	94	5E	^	126	7E	~		158	9E	E.	190	BE	4	222	DE	1	254	FE	•
31	1F	Unit separator	63	3 F	?	95	5F		127	7F		<u>l</u>	159	9F	f	191	BF	1	223	DF	-	255	FF	

Les choses se sont ensuite compliquées avec les systèmes d'exploitation à environnement 'graphique', qui ont multiplié l'internationalisation des jeux de caractères, dont l'évolution et la standardisation est aujourd'hui la codification internationale Unicode (on lira par exemple http://fr.wikipedia.org/wiki/Unicode d'abord et http://unicode.org/fr/ ensuite

<u>Littéraux</u>: tout caractère représentable placé entre apostrophes (lesquelles lèvent l'ambiguïté entre les chiffres et les nombres de 0 à 9 : '5' n'est pas 5 et réciproquement)

```
Variable c1, c2 : Caractère ... c1 \leftarrow 'A' # affectation valeur littérale c2 \leftarrow c1 # copie de variable à variable
```

dans les langages de programmation, pour spécifier le code d'un caractère de contrôle et de commande (ou de tout autre caractère bien entendu), on peut utiliser le code numérique (la position du caractère dans la table) précédé du symbole #, par exemple, #13 spécifie le retour-chariot (return) et #65 est l'équivalent de 'A', et #48 est l'équivalent de '0' (ce qui confirme bien que <u>'0' n'est pas 0</u>!)

¹⁶ dans ce cours introductif, nous considèrerons qu'il faut un byte (8 bits) pour représenter un caractère, ce qui explique qu'il n'y a que 256 caractères représentables (2⁸=256) dont les codes vont de 0 à 255, cfr. les tableaux ci-dessus

¹⁷ quoique ... il y a eu longtemps une opposition farouche entre l'univers d'IBM (codage EBCDIC) et le reste de la communauté informatique (codage ASCII)

¹⁸ source: http://www.cdrummond.gc.ca/cegep/informat/Professeurs/Alain/files

Opérateurs : il n'y a pas d'opérateur interne sur le type Caractère

<u>Par contre</u>, il existe <u>deux fonctions externes</u> (Caractère ⇔ Entier) qui établissent une correspondance entre les caractères et leur codification numérique¹⁹ :

Nous y ajouterons <u>deux fonctions internes</u> (Caractère \Leftrightarrow Caractère) bien pratiques sur les lettres; si c est un caractère, majusc(c) et minusc(c) donnent respectivement la majuscule et la minuscule de ce caractère: majusc('a') \Rightarrow 'A' et minusc('A') \Rightarrow 'a'

(pour tout autre caractère que des lettres, on considère que la fonction renvoie le caractère inchangé)

<u>Propriétés</u>: tout comme les entiers, <u>les caractères sont énumérables</u> (et en un temps fini cette fois, puisque leur nombre est fini!): en effet ils reposent sur un principe simple: chaque caractère possède une 'position' (entière) au sein de la table des caractères représentables (c'est en fait ce qui explique l'existence des fonctions carac et ordinal)

Le type Caractère dispose également donc de <u>deux fonctions internes</u> : prédécesseur() et successeur() : prédécesseur('Z') renvoie 'Y' et successeur('A') renvoie 'B'²⁰

Compte tenu de ceci, <u>les caractères</u> sont également <u>comparables entre eux</u>, (avec les opérateurs relationnels =, \neq , >, \geq , <, \leq), ce qui permettra de les utiliser dans des conditions (et d'en déduire des états).

<u>Sous-types</u>: puisque des entiers 'se cachent' sous les caractères, on retrouve l'intéressante possibilité de définir des intervalles dès la déclaration de variables (intervalles dont les bornes inférieure et supérieure peuvent spécifier des valeurs littérales ou des constantes, mais de type Caractère, cela va de soi !)

Exemple : à cette déclaration (trop) générique :

```
Variable lettreMajuscule, lettreMinuscule, chiffre : Caractère on préférera (avec un commentaire lorsqu'une situation particulière se présente)

Variable lettreMajuscule : 'A'..'Z'

lettreMinuscule: 'a'..'z'

.... chiffre : '0'..'9' # !!! ce ne sont pas des entiers !

et grâce aux (sous-types) intervalles, on trouvera des expressions conditionnelles (de
```

comparaison) permettant d'écrire

Si chiffre >= '0' et chiffre <= '9' Alors ...

```
de manière plus explicite et en tous cas plus compacte

Si chiffre entre '0' et '9' Alors ...
```

¹⁹ En Pascal, ce sont les fonctions char() et ord(); en C, le problème ne se pose pas : les caractères sont traitables explicitement comme des entiers

²⁰ c'est pour cette raison que dans le langage C il existe cette 'horrible' possibilité : ajouter 1 à un caractère renvoie le caractère 'suivant'

d) LE TYPE RÉEL

<u>Domaine</u>: l'ensemble des nombres réels \mathbb{R}] $-\infty$.. $+\infty$ [

Pour l'algorithmique : point final !

Pour les langages de programmation, c'est plus compliqué que pour les entiers : un ordinateur ne saura <u>jamais</u> représenter de réel (puisque ces nombres sont caractérisés par une partie décimale comportant une suite infinie de chiffres) : tout au plus peut on représenter des nombres rationnels avec une 'grande' précision ('grande' étant fonction de l'implémentation)

exemple : si on limite le nombre réel π à 4 décimales (3.1416), c'est le nombre rationnel 3+1416/10000 qui est en fait représenté

le codage utilise de manière standard (norme IEEE 754 http://fr.wikipedia.org/wiki/IEEE_754) la méthode 'mantisse et exposant'

la taille (nombre d'octets) utilisée pour la représentation détermine le nombre de chiffres significatifs 21 (de 7 à 20 selon la taille) ;

pour rappel, le nombre chiffres significatifs reste fixe, ce qui détermine la précision possible pour la représentation des nombres décimaux et l'exactitude des résultats des expressions numériques ;

exemple : si ce nombre est 7, on peut donc représenter (liste non exhaustive)

```
1234567 0 (sans partie décimale),
123 4567 (partie entière et décimale)
0 1234567 (sans partie entière)
```

exemple : les différents (sous-)types réels du compilateur GNU Pascal :

Туре	Range	Significant digits	
Real	platform dependant	???	4 or 8
Single	1.5E-45 3.4E38	7-8	4
Double	5.0E-324 1.7E308	15-16	8
Extended	1.9E-4932 1.1E4932	19-20	10
Comp	-2E64+1 2E63-1	19-20	8
Currency	-922337203685477.5808 922337203685477.5807		8

<u>Littéraux</u>: les nombres 'réels' tels qu'ils s'écrivent en algèbre, soit en notation décimale 2.365, -56.2 (attention, ne pas oublier la présence du point décimal, pour qu'il n'y ait aucune équivoque avec les entiers : 2.0 et non 2) ou en notation scientifique 0.314159E+01

<u>Opérateurs</u> : ce sont les <u>opérateurs de l'algèbre</u> : changement de signe (-), addition (+), soustraction(-), multiplication (*), division (/), exponentiation (^) qui conservent leur précédence

à ces opérateurs s'ajoutent <u>de très nombreuses fonctions</u> admettant comme arguments des réels (et parfois des entiers) et retournant une valeur réelle (ou entière); habituellement, compte tenu de leur nombre et de leur diversité, ces fonctions ne font pas partie du 'noyau' du langage lui-même, mais sont organisées en librairies ('units' en Pascal, 'libs' en C, ...)

- algébriques : valeurAbsolue(), troncature(), arrondi(), ...
- trigonométriques : sin(), cos(), tan() ...
- exponentielles et logarithmiques exp(), log(), ln(), ...
- etc ...

²¹ voir vos cours 'scientifiques' et également cet excellent document : http://www2.ulq.ac.be/sciences/pedagogique/dossierpds2004/dossier_signif.pdf

<u>Propriétés</u>: les réels ne sont <u>pas énumérables</u> (le type Réel n'est pas ordinal), il n'y a donc pas de fonctions telles que prédécesseur() ou successeur() ...

par contre, au niveau algorithmique pseudo-code, <u>rien²²</u> ne nous empêche d'utiliser des intervalles, comme pour les entiers, pour une meilleure lisibilité ...

```
Variable taille: 1.20..2.30 # en mètres, avec 2 décimales exactes ...

ainsi, au lieu d'écrire

Si taille ≥ 1.20 et taille ≤ 2.30 Alors ...

on se donnera la possibilité d'écrire (toujours cette recherche de la lisibilité immédiate!)

Si taille entre 1.20 et 2.30 Alors ...
```

<u>important</u> : en toute rigueur, des données de type Réel ne sont pas comparables entre elles !

un petit exemple pour poser le problème :

```
si l'on dispose de 7 chiffres significatifs, on peut représenter 123.4566, 123.4567, 123.4568, mais pas 123.4567<u>2</u> pas plus que 123.4567<u>35</u> (les décimales supplémentaires sont perdues et ces deux nombres sont mémorisés comme 123.4567!)
```

dès lors les comparaisons suivantes sont très dangereuses

```
Variable r1, r^2: Réel

...

r1 \leftarrow 123.4567

r2 \leftarrow 123.45675

Si r1 \neq r2 Alors ... # faux !
Si r1 = r2 Alors ... # vrai !
```

<u>en pratique</u>: dans la mesure où ne rédigerons pas des programmes de calcul scientifique et que nous utiliserons des langages (Pascal, C) offrant - à travers leur(s) type(s) réels - un nombre suffisant de chiffres significatifs (au moins 8), nous pourrons considérer (prudemment) que des données réelles sont comparables

²² côté langages, par contre, aucune expression conditionnelle faisant appel au caractère ordinal n'est acceptée sur des réels

e) LE TYPE TEXTE

<u>Domaine</u> : l'ensemble des chaînes de caractères (textes) que l'on peut constituer à l'aide des caractères du type Caractère

on n'entamera pas ici le débat : <u>le type Texte n'est pas un type scalaire !</u> dans la mesure où l'on ne cherche pas à atteindre chaque caractère constitutif d'un texte par sa position dans celui-ci (c.-à-d. en refusant de considérer qu'une chaîne est un 'tableau de Caractère'²³), l'assimilation du type Texte aux types scalaires est défendable, pour autant que les opérateurs, fonctions et autres propriétés soient cohérents de ce point de vue

<u>Littéraux</u>: tout texte formé de caractères et délimité par des guillemets " (si le texte doit luimême comporter un ", celui-ci doit être doublé)

<u>Affectation</u>: pour autant qu'une variable ait été déclarée de type Texte, l'affectation interne et l'affectation externe est légitime

```
Variable chaineEntrée, chaineSortie : Texte
...
lire(chaineEntrée)  # affectation externe
chaineSortie ← "Vous avez introduit : " # affectation interne
écrire(chaineSortie, chaineEntrée)
```

<u>Opérateurs</u>: pour respecter notre contrat de type scalaire, nous n'accepterons qu'un seul opérateur: la <u>concaténation</u> (symbole: &) qui construit une chaîne de caractères en mettant 'bout à bout' deux autres chaînes de caractères (littérales, constantes, variables, ...)

```
Variable chaine : Texte
...
chaine ← "" # initialisation d'une chaîne vide
chaine ← "bon" & "jour" # chaine contient "bonjour"
chaine ← chaine & " Madame" # chaine contient "bonjour Madame"
```

À cet opérateur s'ajoutent <u>diverses fonctions</u> admettant comme arguments des chaînes et retournant soit une valeur entière, soit une valeur logique, soit une chaîne selon les cas (les langages regorgent de librairies spécifiques)

ainsi, si ch et sch sont des variables de type Texte

```
Variable ch, sch : Texte
```

- retourne un Entier :
 - . longueur(ch) : renvoie la longueur de ch en nombre de caractères, 0 si la chaîne est vide
- retourne un Logique (si ch et sch sont bien de type Texte)
 - . ${\tt dansChaine(ch, sch)}$: renvoie vrai si la chaine sch figure dans la chaîne ch
- retournent une chaîne (si ch est bien de type Texte)
 - . majuscule(ch), minuscule(ch)

²³ voir un chapitre (très) ultérieur consacré aux structures de tableaux pour plus de détails ...

<u>Propriétés</u>: puisqu'un texte est constitué de caractères et que ceux-ci sont comparables, des données de type Texte sont comparables entre elles (cela correspond à l'ordre lexicographique, extension de l'ordre alphabétique):

- elles sont égales si elles ont la même longueur et que chacun des caractères lus de gauche à droite sont égaux entre eux ("coucou" = "coucou")
- elles sont différentes dès qu'il n'y a plus de correspondance entre deux caractères de même position ("coucou" ≠ "cocon" puisque 'u' ≠ 'c')
- une chaîne est 'inférieure' (= avant dans l'ordre lexicographique) ou 'supérieure' (= après dans l'ordre lexicographique) à une autre, si elles sont différentes; c'est le code numérique du caractère qui détermine le caractère < ou > ("coucou" > "cocon" puisque 'u' > 'c')
- nb : comme le caractère 'blanc' (l'espace) possède son propre code (32), des chaînes de même contenu mais de longueurs différentes sont différentes, le caractère inférieur ou supérieur dépendant du sens de la comparaison ("coucou" < "coucou")
- attention, la comparaison de chaînes de type Texte utilise la codification de manière stricte (p.ex. tient compte de la différence entre majuscules et minuscules : 'A' < 'a' car 65 < 97, et de la différence entre caractères accentués : 'e' < 'é' < 'è' ...)
- pour comparer des chaînes en tenant compte des équivalences, il faudra généralement faire appel à des fonctions spécialisées disponibles dans les librairies associées aux différents langages de programmation

f) Concrètement ...

En programmation, la 'forme concrète' de l'algorithmique sur un ordinateur, le <u>typage</u> des données est un concept essentiel (et incontournable !) : c'est en effet la seule 'clé' qui permet <u>d'interpréter</u> et de <u>traiter</u> correctement une suite de 0 et 1 enregistrée en mémoire centrale

a priori, que faire du contenu de l'octet **0100001** associé à un nom de variable (c.-à-d. stocké à l'adresse-mémoire correspondant à cette variable) ? que vaut-il et que peut-on en faire ?

⇒ s'il est associé à une déclaration de variable telle que

```
Variable nombre : Entier
```

c'est un nombre entier codé en binaire dont la valeur est 65_{10} ; dès lors, (le nom de) la variable correspondante sera accepté(e) dans tous les contextes où un nombre est autorisé (expressions, comparaisons,)

⇒ s'il est associé à une déclaration de variable telle que

```
Variable nombre : Caractère
```

c'est un caractère occupant la $65^{\rm ème}$ position de la table de codage, donc un 'A'; la variable correspondante

Autre aspect, comment savoir si les octets consécutifs **01000001 00101100** correspondent à une ou deux variables ?

à nouveau, c'est la déclaration qui est la clé : chaque type de données requiert un certain nombre d'octets pour sa représentation (1, 2, 4, 8, et plus si c'est une donnée de type Texte ...); un exemple pour le type Entier du Pascal se trouve au § 2.2.b) page 16

Tous les langages de programmation nécessitent le typage des données, soit directement, soit indirectement ... ²⁴

⇒ ainsi les <u>langages compilés</u> requièrent-ils – à l'aide d'une syntaxe qui est propre à chacun - une déclaration explicite des constantes et des variables (on parle de <u>typage statique</u>); ci-dessous, quelques <u>déclarations</u> typiques <u>de variables</u>

Assembleur²⁵

il n'y a pas un langage d'assemblage, mais plusieurs : un par type d'architecture (processeur) un exemple représentatif sembre trop compliqué pour être placé ici; à suivre dans le cours d'Organisation et Structure des Données au second semestre ...

Fortran²⁶

les types de données possèdent un identificateur (nom) auquel on associe une taille (en nombre d'octets) ... : identificateur d'abord, noms des variables ensuite ...

```
INTEGER*2 N1, N2  # deux entiers sur 2 octets
INTEGER*4 N3, N4  # deux entiers sur 4 octets
REAL*4 R1, R2  # deux réels sur 4 octets
REAL*8 R3, R4  # deux réels sur 8 octets
LOGICAL FINI  # un logique (vrai/faux) sur 1 octet
CHARACTER*100 T1  # chaîne de 50 caractères
```

²⁴ les commentaires précédés du symbole # ne correspondent pas à la syntaxe native de ces langages ...

²⁵ pour une initiation 'en douceur' : <u>http://benoit-m.developpez.com/assembleur/tutoriel/</u>

²⁶ pour une initiation 'en douceur' : ftp://ftp-developpez.com/fortran/cours/hunsinger-cours-complet-fortran.pdf

Cobol²⁷

il n'y a pas d'identificateur de type, mais une description (PICture) des variables en utilisant un préfixe 9 (nombres) ou X (textes) suivi d'une longueur entre parenthèses

```
77 N1 PIC 9(3). # un entier (base 10) sur 3 chiffres
77 N2 PIC 9(9). # un entier (base 10) sur 9 chiffres
77 R1 PIC S9(6)V9(3). # un décimal (base 10) signé avec une partie entière sur 6 chiffres et avec 3 décimales
77 N3 PIC S9(2) COMP. # un entier signé (base 2) sur 2 octets
77 T1 PIC X(100). # un texte sur 100 caractères
```

Pascal

les variables sont associées à un type de données via l'identificateur de celui-ci

```
var n1, n2 : integer;  # deux entiers (base 2) sur 4 octets
var r1, r2 : real;  # deux réels (base 2) sur 4 octets
var fini : boolean;  # un logique
var ch : char;  # un caractère
var txt : string;  # un texte (255 car. maximum)
```

С

les variables sont associées à un type de données via l'identificateur de celui-ci : déclaration 'à la fortran' : identificateur de type d'abord, liste des noms de variables ensuite

```
int n1, n2;  # deux entiers (base 2) sur 4 octets
float r1, r2;  # deux réels (base 2) sur 4 octets
char ch;  # un caractère
char txt[100]  # un texte sur 100 caractères
```

⇒ par contre, les <u>langages interprétés</u> se caractérisent par l'absence de déclaration de variables; c'est lors de l'affectation d'une valeur que le type est déterminé (on parle alors de <u>typage dynamique</u>), via un principe dénommé aujourd'hui 'duck typing' (la valeur détermine le comportement) selon le principe : "when I see a bird that walks like a duck and swims like a duck and quacks like a duck, I call that bird a duck." (*Si je vois un oiseau qui marche comme un canard, nage comme un canard, et cancane comme un canard, alors j'appelle cet oiseau un canard*)²⁸

VB, Python, Ruby ...

```
n1 = 25  # 25 n'est-il pas un entier ? n1 sera de type entier !
n2 = 25.2  # et cette valeur est un réel ? n2 sera un réel !
t1 = "hello world"  # ceci ressemble furieusement à un texte ! t1 est ...
```

²⁸ http://en.wikipedia.org/wiki/Duck_typing

²⁷ pour une initiation 'en douceur' : http://www.podgoretsky.com/ftp/docs/Cobol in 21 Days/index.htm

2.3. QUESTIONS & EXERCICES

- A. Pouvez-vous expliquer ce qu'est un type de données ?
 - ° en 5 phrases ? en 1 phrase ?
 - ° et sans prendre d'exemple?
- B. Dans 'variable scalaire', que signifie le mot scalaire?
- C. Le type de données numérique existe-t-il ? expliquez brièvement
- D. Les expressions numériques sont construites avec des termes et/ou des facteurs : qu'est ce que ces mots signifient ?
- E. Quel est le type et la valeur du résultat (s'il existe, sinon expliquez pourquoi) des expressions suivantes :
 - ° 3 + 8
 - ° 3.0 + 8
 - $^{\circ}$ 3.0 + 8.0
 - ° '3' + '8'
 - ° "3" + "8"
 - ° 3 < 8
 - ° '3' < '8'
 - ° "3" < "8"
 - ° (3 < 8) ET ("3" & "8" = "38")
- F. Vrai ou faux ? une constante est une valeur littérale qui porte un nom
- G. Vrai ou faux ? il y a une différence entre 'A' et "A" (si vrai laquelle, expliquez ...)
- H. Il y a deux espèces d'affectation (c'est quoi encore l'affectation ?) : lesquelles et pourquoi ? donnez-en des exemples
- I. A votre avis, que se "cache"-t-il en-dessous du concept de type Logique?

2.4. LES TYPES STRUCTURÉS (I)

Opposés aux types scalaires en ceci qu'ils sont composites et peuvent dès lors contenir 'plusieurs' valeurs à tout moment, ils feront l'objet d'une étude approfondie dans un (relativement lointain) chapitre ultérieur (chapitre 5)

a) <u>LES ENREGISTREMENTS</u>

... le premier 'type' structuré qui sera examiné, ...

b) LES TABLEAUX

... ensuite, le second ...

3. LES INSTRUCTIONS

Si les données (plus précisément les variables) représentent les états d'un automate (l'ensemble de toutes les variables représente l'état global de l'automate, et toute donnée particulière représente un état élémentaire), l'aspect adaptable (programmable) de l'automate demande :

- des <u>instructions d'action</u> (qui <u>modifient ces états</u> : essentiellement, <u>l'affectation</u>) :
 - l'affectation 'interne'
 - l'affectation 'externe'
- des <u>instructions</u> de <u>contrôle</u> (pour <u>modifier le comportement</u> de l'automate en fonction de la valeur des états : les <u>alternatives</u> et les <u>boucles</u>).:
 - la 'conditionnelle'
 - les alternatives 'simple', 'multi-valuée' et 'multi-conditionnée'
 - les boucles à test 'antérieur' et 'postérieur'

3.1. LES INSTRUCTIONS D'ACTION

a) L'Affectation

C'est l'action la plus élémentaire (mais la plus <u>fondamentale</u>!) de l'algorithmique impérative : modifier le contenu (actuel) d'une variable en y plaçant une (nouvelle) valeur ; cette instruction se compose de trois parties :

```
nomVariable ← valeur
```

- ° un opérateur dont le symbole est ← avec
 - ° à sa <u>droite</u> une <u>expression</u> (au sens large, comme cela a été précisé plus haut) qui 'calcule' une valeur
 - ° et à sa gauche le nom de la variable à laquelle cette valeur est affectée.

La variable doit obligatoirement avoir été déclarée au préalable et posséder le type requis pour pouvoir 'recevoir' la valeur de l'expression. Nous nous plaçons résolument ici dans un contexte de <u>'typage fort'</u> (programmation compilée avec respect strict des types), n'admettant qu'une <u>seule exception</u>: le typage numérique permettant de mélanger entiers et réels dans des expressions (ce 'mélange' renvoyant toujours une valeur de type Réel, ce qui impose à la variable réceptrice de posséder le type Réel).

Il est donc ici totalement exclus d'espérer écrire - par exemple - $c \leftarrow 'A' + 1$ et ainsi obtenir 'B' (comme c'est le cas dans certains langages comme le C) !

exemples:

```
Variable n1, n2 : Entier
          r1, r2 : Réel
          t1, t2 : Texte
          b1, b2 : Logique
 n1 ← 375
                                  # affectation de valeur entière
 n2 \leftarrow (n1 \text{ div } 173) \text{ mod } 2
                                  # affectation de division entière !
 r1 \leftarrow 0.752
                                  # affectation de valeur réelle
 r2 \leftarrow n2 / r1
                                  # conversion d'abord de n2 en Réel
 t1 ← "bon"
                                  # affectation de chaîne littérale
 t2 ← t1 & "jour"
                                  # affectation de concaténation
 b1 ← vrai
                                  # affectation de valeur logique
 b2 \leftarrow (t1 = t2)
                                  # affectation de comparaison
```

b) Les Entrées/Sorties

Nous désignerons l'affectation correspondant à l'opérateur ← par 'affectation interne'; dans la mesure où même en algorithmique, on doit tenir compte de la communication entre l'algorithme et son environnement extérieur (communication homme-machine), nous devons introduire l'affectation externe' qui permet d'affecter à une variable une valeur 'en provenance de l'extérieur' (par défaut, habituellement, depuis le périphérique d'entrée standard, le clavier ...)

Pour ce faire, nous aurons recours à une procédure lire(nomVariable); on supposera ici que la valeur introduite et la variable ont bien des types compatibles

```
lire(nomVariable)
```

Pour être complet, et de manière à assurer la communication vers l'extérieur (communication machine-homme), citons l'existence d'une procédure de sortie (d'affichage sur le périphérique de sortie standard, habituellement un écran ou une imprimante)

```
écrire(expression(s))
```

nous ne nous étendrons pas sur le sujet (le lecteur est renvoyé à ses cours de langages)

c) La Séquence

C'est un ensemble d'instructions qui s'exécutent dans l'ordre strict où elles ont été rédigées : il s'agit en fait de la définition basique d'un algorithme au sens où c'est <u>ce qu'il faut faire et dans quel ordre</u> pour passer d'un état cohérent de l'algorithme à un autre (et en particulier du problème à sa solution ...)

L'algorithme est évidemment une séquence (appelée séquence principale) qui possède une structure précise et nécessite (comme tout le reste) une partie déclarative; en pseudo-code, nous adopterons l'écriture cicontre :

cinq mots réservés (dont les équivalents Pascal sont respectivement program, const, var, begin, end) utilisés dans cet ordre strict possèdent des rôles précis

Algorithme nomAlgorithme :
Constante liste de déclarations
Variable liste de déclarations

Début séquence principale

Algorithme : déclaration de l'ensemble via un nom symbolique

Constante : bloc déclaratif des données 'fixes' (constantes)

Variable : bloc déclaratif des données variables

<u>Début</u> / <u>Fin</u> : deux marqueurs entourant la séquence principale des instructions

Exemple:

```
# calculs
prixHTva ← quantitéVendue * prixUnitaire # affectation interne
prixTvaC ← prixHTva * (1 + tauxTVA) # affectation interne
# affichage
écrire("prix HTVA : ", prixHTva, " €")
écrire("prix TVAC : ", prixTvaC, " €")
Fin.
```

NB : contrairement aux langages de programmation, la rédaction pseudo-code ne s'embarrasse pas d'une syntaxe lourde et contraignante; elle se veut la plus proche possible du problème posé et du raisonnement en langage naturel ...

... dès lors, seuls les éléments structurels indispensables seront utilisés (p.ex. les marqueurs Début / Fin n'apparaîtront qu'au niveau de la séquence principale et nulle part ailleurs, les points-virgules et autres séparateurs rangés au rayon des accessoires, etc. ...)

d) Concrètement ...

Quelques exemples représentatifs de la manière dont ce petit algorithme de base testVente s'écrit (déclarations de constantes, de variables, écriture de séquence, ...) dans différents langages représentatifs de leur époque ...

Fortran

- affectation interne : utilise le symbole =
- o affectation externe : utilise l'instruction read(5, format) variable :

5 = clavier, *format* = référence à une ligne du programme contenant la description (type, etc ...) de la variable à lire

° affichage, même principe que pour la lecture : write(6, format) variable : θ =écran

```
PROGRAM TESTVENTE
! *** declaration de constante
        DATA TVA/0.21/
! *** declaration de variables
        INTEGER QUANT
       REAL PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
! *** formatage des entrees/sorties
11
       FORMAT('prix unitaire du produit (en euro) ? ')
12
        FORMAT('quantite vendue ? ')
13
        FORMAT('prix HTVA : ', F6.2, ' euro')
        FORMAT('prix TVAC : ', F6.2, ' euro')
14
21
        FORMAT(F5.2)
2.2
       FORMAT(I2)
! *** sequence principale ***
! *** saisie
        WRITE(6,11)
        READ(5,21) PRUNIT
        WRITE(6,12)
        READ(5,22) QUANT
! **** calculs
        PRHTVA = QUANT * PRUNIT
        PRTVAC = PRHTVA * (1 + TVA)
 *** affichage
        WRITE(6,13) PRHTVA
        WRITE(6,14) PRTVAC
      END
```

Cobol

- au départ, ce langage est très 'littéraire' et utilise des 'verbes' plutôt que des opérateurs (cela rappelle l'assembleur): MOVE, ADD, SUBTRACT, ... COMPUTE ...
- affectation interne: MOVE valeur TO variable, COMPUTE variable = expression,
- affectation externe : ACCEPT variable (variable déclarée précédemment)
- affichage: DISPLAY valeur

```
IDENTIFICATION DIVISION.
PROGRAM-ID.
                                 TESTVENTE.
*** declaration des donnees ****************
DATA DIVISION.
WORKING-STORAGE SECTION.
* pseudo-constante
                      PIC 9V99 VALUE 0.21.
77 TVA
* variables
77 OUANTITE
                      PIC 999.
                      PIC 999V99.
77 PRIXUNIT
                      PIC 9999V99.
77 PRIXHTVA
77 PRIXTVAC
                      PIC 9999V99.
*** sequence principale ******************
PROCEDURE DIVISION.
MAIN SECTION.
**** saisie
    DISPLAY "prix unitaire du produit (en euro) ? ".
    ACCEPT PRIXUNIT.
    DISPLAY "quantité vendue ? ".
    ACCEPT OUANTITE.
**** calculs
    COMPUTE PRIXHTVA = PRIXUNIT * QUANTITE.
    COMPUTE PRIXTVAC = PRIXHTVA * (1.0 + TVA).
**** affichage
    DISPLAY "prix HTVA : " PRIXHTVA " euro".
    DISPLAY "prix TVAC : " PRIXTVAC " euro".
**** fin
    EXIT PROGRAM.
    STOP RUN.
```

<u>Pascal</u>

- affectation interne via un opérateur explicite :=
- o affectation externe : instruction readln(variable)

```
program testVente;
{ exemple de simple séquence }
uses crt;
                                                  { librairie }
const tauxTva = 0.21
                                                  { constante }
                                                  { variables }
var quantiteVendue : integer
   prixUnitaire, prixHTva, prixTvaC : real;
{ séquence principale }
begin
 { saisie }
  clrscr;
  write('prix unitaire du produit (en €) ? '); { invite }
  readln(prixUnitaire);
                                                  { affectation externe }
 write('quantité vendue ? ');
                                                  { invite }
  readln(quantiteVendue);
                                                  { affectation externe }
 {calculs }
 prixHTva := quantiteVendue * prixUnitaire;
                                                 { affectation interne }
 prixTvaC := prixHTva * (1 + tauxTVA);
                                                  { affectation interne }
  { affichage }
 writeln('prix HTVA : ', prixHTva, '€');
 writeln('prix TVAC : ', prixTvaC, '€');
 { fin }
 readkey
end.
```

```
<u>C</u>
                                 // librairie
   #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
                                 // librairie
   #define TAUXTVA 0.21
                                 // constante
   // séquence principale
   int main() {
    // variables
    int quantiteVendue;
    double prixUnitaire, prixHTva, prixTvaC;
    // saisie
    system("cls");
    printf("prix unitaire du produit (en €) ? ");
    scanf("%lf", &prixUnitaire);
    printf("quantité vendue ? ");
    scanf("%d", &quantiteVendue);
    // calculs
    prixHTva = quantiteVendue * prixUnitaire;
```

prixTvaC = prixHTva * (1 + TAUXTVA);

printf("prix HTVA : %f €\n", prixHTva);
printf("prix TVAC : %f €\n", prixTvaC);

Ruby

// affichage

system("pause");

// fin

return 0;

```
#!/usr/bin/env ruby
TVA = 0.21 # constante
# *** séquence principale ***
# saisie
puts "prix unitaire du produit (en €) ? "
prixUnitaire = gets.to_f
puts "quantité vendue ? "
quantite = gets.to_f
# calculs
prixHTva = prixUnitaire * quantite
prixTvaC = prixHTva * (1 + TVA)
# affichage
puts "prix HTVA :#{prixHTva}\n"
puts "prix TVAC :#{prixTvaC}\n"
```

e) La Procédure

Outil fondamental de l'algorithmique (et de la programmation) impérative procédurale, on présente souvent la procédure comme la généralisation du concept d'action.

Elle permet en effet <u>de donner un nom à une séquence d'instructions</u>, de 'sortir' celle-ci de la séquence principale (elle est déclarée et décrite séparément) et de la faire exécuter en invoquant simplement son nom; il y a donc une <u>instruction d'action</u> (implicite) : l'<u>appel de procédure</u>

Exemple: une écriture non procédurale ...

Algorithme testVente :
Constante tauxTva = 0.21

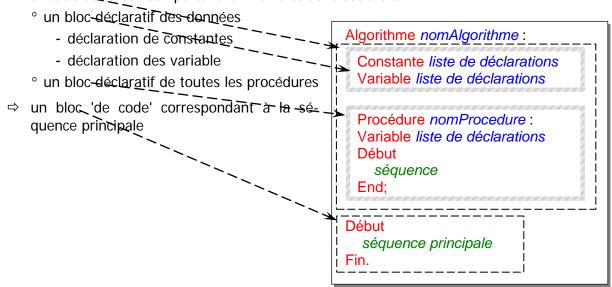
```
Variable quantitéVendue : Entier
            prixUnitaire, prixHTva, prixTvaC : Reel
  # séquence principale
  Début
     # saisie
    écrire("prix unitaire du produit (en €) ? ")
    lire(prixUnitaire)
     écrire("quantité vendue ? ")
    lire(quantitéVendue)
     # calculs
    prixHTva \leftarrow quantitéVendue * prixUnitaire
    prixTvaC ← prixHTva * (1 + tauxTVA)
    # affichage
    écrire("prix HTVA : ", prixHTva, " €")
    écrire("prix TVAC : ", prixTvaC, " €")
  Fin.
... s'écrira procéduralement comme suit :
  Algorithme testVente :
  Constante tauxTva = 0.21
  Variable quantitéVendue : Entier
            prixUnitaire, prixHTva, prixTvaC : Reel
  Procédure saisirDonnées :
  Début
                1
    écrire("pri/x unitaire du produit (en €) ? ")
    lire(prixUnitaire)
    écrire("quantité vendue ? ")
    lire(quant/itéVendue)
  Fin;
  Procédure calculerRésultats :
    prixHTva ← quantitéVendue * prixUnitaire
    prixTvaQ \leftarrow prixHTva * (1 + tauxTVA)
  Fin;
  Procédure afficherRésulats :
           111
     écrire/("prix HTVA : ", prixHTva, " €")
     écrire ("prix TVAC : ", prixTvaC, " €")
  Fin;
   # séquence principale
  Début
     saisir ponnées
     calculer Résultats
     afficherRésulats
  Fin.
```

Les avantages de l'approche procédurale sont nombreux (on y reviendra plus en détail dans un prochain chapitre consacré aux procédures et aux fonctions)

- ⇒ meilleure <u>structuration</u> de la pensée : la technique de <u>l'analyse descendante</u> (top-down en anglais) consiste à aborder les problèmes à résoudre en les décomposant en sousproblèmes; dans l'exemple ci-dessus, le problème : calculer la facture d'une commande comporte trois parties : la saisie des données, le calcul des montants et l'affichage des résultats
- ⇒ indépendance : chacun des sous-problème peut être traité de manière autonome : la saisie peut ignorer la destination des données; le calcul ne se préoccupe pas de la manière dont les données ont été introduites, ni ce qui sera fait des résultats; l'affichage n'a que faire de l'origine des données à afficher; ce qui importe c'est que les choses soient faites dans l'ordre (c'est le rôle de la séquence principale) et qu'il existe une 'zone commune' que se partageront les procédures : les constantes et variables (le bloc déclaratif des données)²⁹
- ⇒ <u>adaptabilité</u> : le jour où des modifications sont nécessaires, il est plus simple de modifier une procédure
- ⇒ <u>réutilisabilité</u>: on en donnera des exemples plus tard³⁰: avoir des procédures spécialisées et indépendantes permet une grande souplesse et une modularité accrue; une procédure bien écrite a de grandes chances de pouvoir être invoquée dans d'autres procédures ou à différents endroits de l'algorithme principal
- ⇒ <u>abstraction</u>: on remarque entre les deux versions de la séquence principale du problème une différence notable: dans la seconde, l'algorithme est plus abstrait (il ne fait aucune référence aux données), il se préoccupe plus du "what" que du "how" (cette tâche étant déléguée aux procédures)³¹

Côté pseudo-code, la structure générale d'un algorithme est la suivante : nous adoptons ici un principe que l'on retrouve tel quel en programmation Pascal : tout est toujours déclaré et défini avant son utilisation : on trouve donc, après la déclaration/nommage de l'algorithme lui-même

⇒ un bloc-déclaratif comportant lui-même et dans cet ordre



²⁹ dans un premier temps en tout cas (variables globales), on reviendra amplement sur cette considération lors de l'étude des paramètres

³⁰ mais l'exprérience robotProg l'a largement illustrée

³¹ souvenez-vous – dans la première partie de ce cours- de la manière dont l'algorithme abstrait "peleurDePatates" a pris une forme concrète

f) CONCRÈTEMENT ...

Au cours de l'histoire et l'évolution des langages, la nécessité des procédures s'est traduite à l'aide d'outils possédant des syntaxes très diverses ...

Fortran

- ° c'est un peu lourd à implémenter³² : les procédures sont décrites (rédigées) à la suite de la séquence principale; elles sont annoncées par le mot réservé SUBROUTINE et invoquées par l'instruction CALL, les variables qu'elles manipulent y sont (re)déclarées explicitement
- tant au niveau du programme principal que de chacune des procédures, il faut spécifier après déclaration des variables – celles qui sont partagées (communes, globales) par le programme et les procédures : c'est le rôle de la ligne COMMON

```
PROGRAM FACTURE
С
 *** declaration des variables
С
С
      INTEGER QUANT
      REAL TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
С
c *** globalisation des variables (partage avec les procedures)
      COMMON QUANT, TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
C
  *** programme principal
С
C
        TVA = 0.21
        CALL SAISIR
        CALL CALCULER
        CALL AFFICHER
       END
С
 *** procedures
С
      SUBROUTINE SAISIR
        INTEGER QUANT
        REAL TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
        COMMON QUANT, TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
 11
        FORMAT('prix unitaire du produit (en euro) ? ')
        FORMAT('quantite vendue ? ')
 12
 2.1
        FORMAT(I2)
 22
        FORMAT(F5.2)
        WRITE(6,11)
        READ(5,21) QUANT
        WRITE(6,12)
        READ(5,22) PRUNIT
       END
      SUBROUTINE CALCULER
        INTEGER QUANT
        REAL TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
        COMMON QUANT, TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
        PRHTVA = QUANT * PRUNIT
        PRTVAC = PRHTVA * (1 + TVA)
       END
      SUBROUTINE AFFICHER
        INTEGER QUANT
        REAL TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
        COMMON QUANT, TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
 13
        FORMAT('prix HTVA : ', F6.2,' euro')
        FORMAT('prix TVAC : ', F6.2, 'euro')
        WRITE(6,13) PRHTVA
        WRITE(6,14) PRTVAC
       END
```

© Ch I 2008-2014

³² dans un chapitre ultérieur, de meilleurs techniques seront illustrées (procédures, fonctions et paramètres)

Cobol

- ° ce langage est par nature procédural (c'est sans doute le premier qui implémente le concept de "programmation structurée top-down") : les procédures sont désignées par le terme de "paragraphes" et sont invoquées au moyen de l'instruction PERFORM
- toutes les variables étant globales, la structuration est donc très simple, les donnédéclarées en tête de programme étant visibles partout de l'intérieur
- ° il n'y a pas de concept de 'variable locale' à une procédure

```
IDENTIFICATION DIVISION.
PROGRAM-ID.
                                 FACTURE.
*** declaration des donnees *********
DATA DIVISION.
WORKING-STORAGE SECTION.
*pseudo-constante
77 TVA
                     PIC 9V99 VALUE 0.21.
* variables
77 QUANTITE
                     PIC 999.
                     PIC 999V99.
77 PRIXUNIT
77 PRIXHTVA
                     PIC 9999V99.
77 PRIXTVAC
                     PIC 9999V99.
*** sequence principale ***********
PROCEDURE DIVISION.
MAIN SECTION.
    PERFORM SAISIR.
    PERFORM CALCULER.
    PERFORM AFFICHER.
    EXIT PROGRAM.
    STOP RUN.
*** procedures
SAISIR.
    DISPLAY "prix unitaire du produit (en euro) ? ".
    ACCEPT PRIXUNIT.
    DISPLAY "quantité vendue ? ".
    ACCEPT QUANTITE.
CALCULER.
    COMPUTE PRIXHTVA = PRIXUNIT * QUANTITE.
    COMPUTE PRIXTVAC = PRIXHTVA * (1.0 + TVA).
AFFICHER.
    DISPLAY "prix HTVA : " PRIXHTVA " euro".
    DISPLAY "prix TVAC : " PRIXTVAC " euro".
******
```

Pascal

- ce langage est par nature procédural : les procédures³³ sont rédigées séparément mais avant la séquence principale (dans un bloc déclaratif/descriptif prenant place entre le bloc déclaratif des données et la séquence principale) : elles sont ensuite invoquées en spécifiant tout simplement leur nom
- toutes les variables déclarées en tête de programme sont considérées comme globales et donc accessibles de l'intérieur des procédures
- si nécessaire, des variables peuvent être déclarées dans une procédure (non illustré cidessous); elles sont alors locales à cette procédure (et inaccessibles en dehors de cette procédure)

```
program facture;
uses crt;
const tva = 0.21;
{ *** variables globales ****************************** }
var quantite : integer;
   prix_unitaire, total_ht, total_ttc : real;
procedure saisir;
begin
 write('prix unitaire de l''article (en euro) ? ');
 readln(prix_unitaire);
 write('combien d''articles voulez-vous
                                        ? ');
 readln(quantite)
end;
procedure calculer;
 total_ht := prix_unitaire * quantite;
 total_ttc := total_ht * (1 + tva)
end;
procedure afficher;
begin
 writeln;
 writeln('total ht : ',total_ht:6:2, ' euro');
 writeln('total ttc : ',total_ttc:6:2, ' euro')
procedure terminer;
begin
 writeln;
 write('appuyez sur une touche pour continuer ... ');
 readkey
end;
{ *** sequence principale **************** }
begin
 saisir;
 calculer;
 afficher;
 terminer
end.
```

© Ch 1 2008-2014

³³ il y a deux outils distincts de structuration (aux rôles bien définis) : la procédure et la fonction (on y reviendra dans le présent cours et dans le cours consacré à ce langage)

 C

- ce langage est par nature procédural : les fonctions³⁴ sont rédigées séparément et invoquées par leur nom (comme en Pascal)
- dans le respect de la norme ANSI, les fonctions sont d'abord 'annoncées' avant la séquence principale (déclaration de prototype spécifiant leur nom); étant connues, elles peuvent ainsi être invoquées dans la séquence principale; leur 'corps' (c.-à-d. la rédaction de leur code) n'intervient qu'après la séquence principale
- contrairement à ce qui est fait ci-dessous, il n'est pas de bonne pratique d'utiliser des variables globales en C (c.-à-d. des données déclarées en dehors de la séquence principale) : tout se règle par passage de paramètres entre fonctions ...

```
// exemple de 'procedures' en C
#include <stdio.h>
                         // librairie
#include <stdlib.h>
                          // librairie
#define TAUXTVA 0.21
                                // constante
// variables globales
int quantiteVendue;
double prixUnitaire, prixHTva, prixTvaC;
// prototypes des fonctions-procedures
void saisir();
void calculer();
void afficher();
// séquence principale
int main() {
  saisir();
  calculer();
  afficher();
  system("pause");
  return 0;
}
// definition des fonctions-procedures
void saisir() {
  system("cls");
  printf("prix unitaire du produit (en €) ? ");
  scanf("%lf", &prixUnitaire);
 printf("quantité vendue ? ");
  scanf("%d", &quantiteVendue);
}
void calculer() {
  prixHTva = quantiteVendue * prixUnitaire;
 prixTvaC = prixHTva * (1 + TAUXTVA);
void afficher() {
  printf("prix HTVA : %f €\n", prixHTva);
 printf("prix TVAC : %f €\n", prixTvaC);
}
```

³⁴ il n'y a qu'un seul outil 'technique' : la fonction C (pouvant jouer un rôle de procédure stricte, de fonction stricte, ou d'un mix des deux) (on y reviendra dans le cours consacré à ce langage)

3.2. LES INSTRUCTIONS DE CONTRÔLE

Si les <u>instructions</u> d'action (affectation) sont utilisées pour <u>modifier les états</u> (variables) de l'algorithme, il faut des <u>instructions de contrôle</u> pour pouvoir <u>modifier</u> (contrôler) <u>le comportement de l'algorithme</u> sur base de ses états

a) LES CONDITIONS

En toute généralité, une condition est une expression dont la valeur est de type Logique

Peuvent donc convenir comme conditions : *(nous utiliserons les déclarations suivantes pour illustrer notre propos avec un simple Si ... Alors ...)* :

```
Constante limiteInférieure = 120, limiteSupérieure = 1000
Variable limite, contenu : Entier
limiteOK : Logique
lettre : Caractère
```

• des <u>comparaisons directes</u> entre valeurs (littérales, constantes ou variables des types scalaires décrits précédemment) sur base des opérateurs relationnels =, ≠, >, ≥, <, ≤

```
Si limite = 234 Alors ...
Si limite < limiteSupérieure Alors ...
Si contenu <= limite Alors ...
Si lettre ≠ 'N' Alors ...
```

• des <u>variables logiques</u>, déclarées comme telles, auxquelles on aura affecté directement ou indirectement (p.ex. par comparaison directe) la valeur vrai ou faux

 des <u>expressions logiques</u> utilisant les opérateurs NON, ET, OU et dont les opérandes sont de type logique

```
Si limiteOK ET (lettre = 'M' OU lettre = 'm') Alors ...
Si NON (limiteOK OU contenu < 20) Alors ...
```

• des <u>fonctions</u> dont la valeur de retour est de type logique (on découvrira l'outil fonction plus tard dans ce texte ...)

```
Si dansChaine("algorithmique", "algo") Alors ...
```

• <u>l'appartenance</u> d'une variable à un <u>intervalle</u>³⁵ (<u>uniquement</u> pour des données de <u>type énuméré</u>: Entier et Caractère) à l'aide des clauses **ENTRE** et **ET** qui spécifient les bornes inférieure et supérieure de l'intervalle (comprises), qui peuvent être des valeurs littérales, des constantes, des variables, etc. ...) : *si la valeur de la variable est entre ... et ...*

```
Si lettre ENTRE 'A' ET 'Z' Alors ...
Si limite ENTRE limiteInférieure ET limiteSupérieure Alors ...
```

cette clause permet simplement une meilleure expressivité (toujours cette recherche du meilleur niveau d'abstraction possible); elle est une forme plus légère de son équivalent de base

```
Si lettre ≥ 'A' ET lettre ≤ 'Z' Alors ...
Si limite ≥ limiteInférieure ET limite ≤ limiteSupérieure Alors ...
```

³⁵ en Pascal : if lettre in ['A'..'Z'] then ...

• <u>l'appartenance</u> d'une variable à une <u>liste</u> de valeurs³⁶ (<u>uniquement</u> pour des données de <u>type énuméré</u> : à l'aide de la clause **PARMI** qui permet de spécifier entre parenthèses une liste <u>uniquement</u> constituée de <u>valeurs littérales</u>) : *si la valeur de la variable est parmi ...*

```
Si lettre PARMI ('M', 'm', 'F', 'f') Alors ...
```

meilleure expressivité ici, où le gain d'écriture par rapport à la forme basique est particulièrement évident ...

```
Si lettre = 'M' OU lettre = 'm' OU lettre = 'F' OU lettre = 'f' Alors ...
```

 Remarque : permettre à l'utilisateur d'encoder aussi bien des majuscules que des minuscules entraîne un alourdissement pénible des expressions conditionnelles; pour une simplification bienvenue de celles-ci, on se souviendra des fonctions 'caractère' majusc() et minusc()

```
Variable sexe : Caractère
...
écrire("introduisez le sexe : (m/f) : ")
lire(sexe)
# on remplacera ...
Si sexe = 'M' OU sexe = 'm' OU sexe = 'F' OU sexe = 'f' Alors ...
# ... par ...
sexe 
    minusc(sexe)
Si sexe = 'm' OU sexe = 'f' Alors ...
# ... ou mieux encore par ...
sexe 
    minusc(sexe)
Si sexe parmi ('m', 'f') Alors ...
```

Une condition possède une valeur de type Logique (vrai/faux); bien évidemment, sa négation possède sa valeur inverse (faux/vrai)

C'est sans doute l'occasion de (re)repréciser quelques propriétés de la négation ainsi que quelques éléments de syntaxe pseudo-code, en particulier l'usage des parenthèses associé à la négation

opérateur	négation
=	≠
≠	=
<	≥
≤	>
>	≤
≥	<
(c1 OU c2)	NON (c1 OU c2) \equiv NON c1 ET NON c2
(c1 ET c2)	NON (c1 ET c2) \equiv NON c1 OU NON c2
n ENTRE n1 ET n2	NON (n ENTRE n1 ET n2)
n PARMI ()	NON (n PARMI ())

³⁶ En Pascal: if lettre in ('M', 'm', 'F', 'f') then ...

b) Les Structures Conditionnelles et Alternatives

Les instructions alternatives sont la forme fondamentale des instructions de contrôle ; elles permettent de <u>modifier le comportement</u> de l'algorithme <u>en fonction d'un état logique</u> binaire (c.-à-d. une condition, cfr. précédemment)

> <u>Si ... Alors ... [Sinon ...]</u>

<u>L'instruction conditionnelle</u> est la forme la plus simple, elle se compose d'une condition (au sens général défini précédemment) et d'une seule séquence (également au sens général)³⁷ à exécuter *si et seulement si* cette condition est vraie ; elle a pour syntaxe :

```
Si [non] condition Alors
séquence
finSi
```

Exemple:

```
Variable nombre1, nombre2 : Réel
...
lire(nombre1)
lire(nombre2)
Si nombre2 ≠ 0 Alors
  écrire(nombre1 / nombre2)
finSi
```

<u>L'instruction alternative</u> permet de spécifier <u>une séquence</u> à exécuter <u>si la condition est vraie</u> et <u>une autre séquence</u> à exécuter <u>si la condition est fausse</u> ; elle a pour syntaxe :

```
Si [non] condition Alors
séquence1
Sinon
séquence2
finSi
```

Exemple:

```
Variable sexe, etatCivil : Caractère
lire(sexe)
Si minusc(sexe) PARMI ('h', 'f') Alors
  Si minusc(sexe) = 'h' Alors
    écrire("Bonjour Monsieur !")
  Sinon
    lire(etatCivil)
    Si minusc(etatCivil) PARMI ('c', 'm') Alors
      Si minusc(etatCivil) = 'c' Alors
        écrire("Bonjour Mademoiselle !")
        écrire("Bonjour Madame !")
      finSi
      écrire("erreur d'encodage pour état civil !")
    finSi
  finSi
  écrire("erreur d'encodage pour sexe !")
finSi
. . .
```

© Ch.L. 2008-2014

 $^{^{}m 37}$ « sens général » pour les conditions et pour les actions que nous ne rappellerons plus à l'avenir ...

Comme on le remarque, l'imbrication des instructions alternatives est tout à fait possible et permet - sans équivoque grâce à la présence des marqueurs de fin (finSi) – d'exprimer des situations complexes, par exemple des alternatives imbriquées où la partie 'interne' ne possède pas de Sinon ...³⁸

```
Exemple: Si condition1 Alors
Si condition2 Alors
séquence1
Finsi
Sinon
séquence2
finsi
```

Une alternative dont la branche Alors est vide n'est pas autorisée; on aura dès lors recours à la négation, afin de retrouver une conditionnelle simple

```
Variable nombrel, nombre2 : Réel
     lire(nombre1)
     lire(nombre2)
     Si nombre2 = 0 Alors
       écrire("erreur : diviseur nul")
     Sinon
       écrire(nombre1 / nombre2)
     finSi
Si on ne veut pas du message d'erreur,
 on ne pourra pas écrire
     Si nombre2 = 0 Alors
     Sinon
       écrire(nombre1 / nombre2)
     finSi
 on devra écrire (remarquer le recours à la négation)
     Si nombre2 ≠ 0 Alors
       écrire(nombre1 / nombre2)
     finSi
     . . .
```

```
if condition1 then
  if condition2 then
    séquence1
else séquence2;
```

la logique est fausse : ce n'est pas parce qu'on a associé par indentation le else avec le premier if que c'est ce qui se passe en réalité : un else est toujours associé avec le if qui le précède (en rouge ci-dessus), et comme on ne peut pas écrire

```
if condition1 then
  if condition2 then
    séquence1; (* pas de ; devant un else)
  else séquence2;

il faut bien se résoudre à écrire ②:
  if condition1 then begin
  if condition2 then
    séquence1 end
  else séquence2;
```

³⁸ à ce niveau, le Pascal est loin d'être idéal, l'imbrication de if ... then ... else peut conduire à de véritables catastrophes logiques qui ne peuvent être évitées qu'en surajoutant des begin ... end à des endroits où ils n'apparaissent pas nécessaires à première vue : pour coder l'exemple du haut de la page, si on écrit :

Ces situations à conditions multiples (dont souvent des validations de données à assurer en premier lieu) mettent souvent le rédacteur d'un algorithme dans un état de grande perplexité : comment ne pas exécuter la suite si les conditions initiales ne sont pas remplies ?

Exemple: demander le sexe, l'âge, la taille et le poids de la personne pour calculer son IMC: indice de masse corporelle, défini comme poids (en kg) / taille² (en m); ce calcul ne doit pas s'effectuer pour une femme enceinte ni pour des enfants (< 18 ans) ni des personnes âgées (> 65 ans); on souhaite que l'interface homme-machine soit le plus réactif possible ('sortir' aussitôt qu'une situation anormale se présente)

```
variable sexe, enceinte : Caractère
variable age, poids : Entier
variable taille, imc : Réel
écrire("quel est le sexe de la personne (h/f) ? ")
lire(sexe)
Si minusc(sexe) parmi ('h', 'f') Alors
  Si minusc(sexe) = 'h') Alors
    écrire("quel est l'âge de la personne (18..65) ? ")
    lire(age)
    Si age entre 18 et 65 alors
      lire(taille)
      lire(poids)
      imc ← poids / (taille * 100 * taille * 100)
      écrire("hors étude vu l'age")
    finSi
  Sinon
    écrire("la personne est-elle enceinte (o/n) ? ")
    lire(enceinte)
    Si minusc(enceinte) parmi ('o', 'n') Alors
      Si minusc(enceinte) = 'n' Alors
        écrire("quel est l'âge de la personne (18..65) ? ")
        lire(age)
        Si age entre 18 et 65 alors
          lire(taille)
          lire(poids)
          imc ← poids / (taille * 100 * taille * 100)
        Sinon
          écrire("hors étude vu l'age")
      Sinon
        ecrire("hors étude car enceinte")
      finSi
    Sinon
      ecrire("erreur de valeur enceinte")
    finSi
  finSi
Sinon
  écrire("erreur de valeur sexe")
finSi
```

la présence redondante du bloc encadré est peu acceptable (cela alourdit inutilement l'algorithme) et cacher ce bloc dans une procédure (cela se verrait évidemment moins ©) l'est tout autant Ø, du moins pour un puriste!

une méthode assez efficace consiste à considérer d'abord les situations les plus restrictives (ici, les femmes à cause de la sous question sur la grossesse) :

```
Variable sexe, enceinte : Caractère
         age, poids : Entier
         taille, imc : Réel
lire(sexe); sexe ← minusc(sexe)
Si sexe parmi ('h', 'f') Alors
  si sexe = 'f' Alors
    lire(enceinte); enceinte ← minusc(enceinte)
    Si enceinte parmi ('o', 'n') Alors
      Si enceinte = 'o' Alors
        écrire("hors étude car enceinte")
      finSi
    Sinon
      écrire("erreur de valeur enceinte")
    finsi
  finSi
 # ici, comme on a validé le sexe, et qu'on a traité le cas de la femme enceinte
 # on est sûr d'avoir un homme ou une femme non enceinte et de pouvoir continuer
 # à condition d'ajouter un test de validation complémentaire
  Si sexe = 'h' ou enceinte = 'n' Alors
    lire(age)
    Si age entre 18 et 65 Alors
      lire(taille)
      lire(poids)
      imc \leftarrow poids / (taille * 100 * taille * 100)
      écrire("hors étude vu l'age")
    finSi
  finSi
Sinon
  écrire("erreur de valeur sexe")
finSi
```

dans certains cas, quand la batterie de Si imbriqués ont une même variable en commun (testée pour différentes valeurs), il est plus clair de jouer sur la présentation

```
Variable jour : 1..7
lire(jour)
Si jour = 1 Alors
  écrire("lundi")
Sinon
  Si jour = 2 Alors
    écrire("mardi")
  Sinon
    Si jour = 3 Alors
     écrire("mercredi")
    Sinon
      Si jour = 4 Alors
        écrire("jeudi")
      Sinon
        Si jour = 5 Alors
          écrire("vendredi")
          Si jour = 6 Alors
            écrire("samedi")
            écrire("dimanche")
          finSi
        finSi
                    # 3
      finSi
                   # 88
                   # 888
    finSi
                   # 8888
  finSi
                    # 88888
finSi
```

```
Variable jour : 1..7
lire(jour)
Si jour = 1
                    Alors écrire("lundi")
 SinonSi jour = 2
                    Alors écrire("mardi")
 SinonSi jour = 3 Alors écrire("mercredi")
 SinonSi jour = 4 Alors écrire("jeudi")
 SinonSi jour = 5
                    Alors écrire("vendredi")
 sinonSi jour = 6
                    Alors écrire("samedi")
                     écrire("dimanche")
 Sinon :
finSi
. . .
```

le <u>SinonSi</u> est une écriture qu'on peut utiliser dans de tels cas, elle permet d'éviter d'écrire une suite de finSi au bout de l'instruction et de la remplacer par un seul finSi global

> Concrètement ...

Au début, les premiers langages étaient l'image du jeu d'instructions du processeur; il faut attendre 1962 et la version Fortran IV pour y disposer de la première forme rudimentaire (ô combien) du IF (CONDITION) associé au GOTO!: il n'a pas de THEN explicite et encore moins de ELSE!

C'est le début d'une (longue, plus de 15 ans !) période de 'programmation spaghetti'³⁹; bien entendu, on peut avoir recours aux procédures (SUBROUTINES), mais comme on l'a entrevu précédemment, l'aspect déclaration de données est particulièrement lourd (redéclarations systématiques, lignes de COMMON, ...)

Fortran

```
PROGRAM ALTERNATIVE
```

```
c *** declaration des variables
        CHARACTER SEXE, ETAT
c *** formats d'entree/sortie
        FORMAT('entrez le sexe (M/F) ')
 11
        FORMAT('etes-vous mariee (O/N) ?')
 12
 15
        FORMAT('erreur sexe ! stop')
        FORMAT('erreur etat-civil ! stop')
 16
 17
        FORMAT('bonjour Monsieur')
 18
        FORMAT('bonjour Madame')
 19
        FORMAT('bonjour Mademoiselle')
 21
        FORMAT(1X)
c *** programme principal
        WRITE(6, 11)
        READ(5, 21) SEXE
        IF ((SEXE.EQ.'M').OR.(SEXE.EQ.'m')) GOTO 100
        IF ((SEXE.EQ.'F').OR.(SEXE.EQ.'f')) GOTO 120
        WRITE(6, 15)
        GOTO 999
 100
        WRITE(6, 17)
        GOTO 999
 120
        WRITE(6, 12)
        READ(5, 21) ETAT
        IF ((ETAT.EQ.'O').OR.(ETAT.EQ.'o')) GOTO 200
        IF ((ETAT.EQ.'N').OR.(ETAT.EQ.'n')) GOTO 220
        WRITE(6, 16)
        GOTO 999
 200
        WRITE(6, 18)
        GOTO 999
        WRITE(6, 19)
 220
 999
```

Si la condition est vraie, on va à la ligne désignée par le GOTO, sinon on passe à la ligne suivante (l'absence d'un équivalent du Sinon et du FinSi entraîne des GOTO supplémentaires)

Remarquer © les opérateurs relationnels .EQ., .NE., .LT. etc... et les opérateurs logiques .AND., .OR. et .NOT. qui rappellent les instructions du langage machine

³⁹ http://fr.wikipedia.org/wiki/Programmation spaghetti

Cobol

Au début des années 1960, alors que le Fortran est destiné aux applications mathématiques, scientifiques et techniques, le Cobol est conçu pour informatiser les problèmes de gestion

en matière d'instructions de contrôle, il marque d'emblée les esprits en implémentant

- $^\circ$ d'une part un 'vrai' (quoique rudimentaire) IF \dots THEN \dots ELSE \dots (imbriquable),
- et d'autre part en créant les premiers états (pseudo)logiques : on peut ainsi associer à des variables scalaires (déclarées via 77) des (plusieurs si on veut !) états nommés (déclarés via 88) à valeur vrai/faux utilisables comme conditions

```
IDENTIFICATION DIVISION.
PROGRAM-ID.
                             ALTERNATIVES.
*** declaration des donnees **********
DATA DIVISION.
WORKING-STORAGE SECTION.
* variables
                      PIC X.
77 SEXE
   88 OKSEXE
                      VALUE 'H' 'h' 'F' 'f'.
   88 HOMME
                    VALUE 'H' 'h'.
77 STATUT
                   PIC X.
                      VALUE 'N' 'n' 'O' 'o'.
   88 OKSTATUT
   88 MARIEE
                      VALUE 'O' 'o'.
*** sequence principale ************
PROCEDURE DIVISION.
MAIN SECTION.
    DISPLAY "quel est votre sexe (H/F) : ".
    ACCEPT SEXE.
    IF NOT OKSEXE
      DISPLAY "erreur sexe"
    ELSE
      IF HOMME
        DISPLAY "bonjour Monsieur "
        DISPLAY "etes-vous mariee (O/N) ? "
        ACCEPT STATUT
        IF NOT OKSTATUT
          DISPLAY "erreur etat civil"
        ELSE
          IF MARIEE
           DISPLAY "bonjour Madame"
            DISPLAY "bonjour Mademoiselle".
    EXIT PROGRAM.
    STOP RUN.
******
```

Pascal

on retrouve – forcément – les différentes possibilités évoquées en peudo-code : variables logiques à part entière, instructions conditionnelle et alternative, raccourcis d'expressions logiques avec NOT, AND et OR grâce à l'opérateur IN

```
program alternatives1;
uses crt;
var sexe, statut : char;
begin
 clrscr;
  write('quel est le sexe (m/f) ? ');
  readln(sexe);
  if not (sexe in ['M', 'm', 'F', 'f']) then
    writeln('erreur sexe !')
                                           { une seule instruction }
  else if sexe in ['M', 'm'] then
    writeln('bonjour Monsieur')
                                           { une seule instruction }
  else begin
                                           { début séquence ! }
    write('etes-vous mariee (o/n) ? ');
    readln(statut);
    if not (statut in ['O', 'o', 'N', 'n']) then
      writeln('erreur etat-civil !')
                                           { une seule instruction }
    else if statut in ['O', 'o'] then
      writeln('bonjour Madame')
                                           { une seule instruction }
    else
      writeln('bonjour Mademoiselle')
                                           { fin séquence ! }
  end:
 writeln;
  readkey
end.
```

pour faire 'comme en Cobol', il faut créer des variables de type Logique (boolean), mais leur affectation est à charge du programmeur, donc – ici – pas d'un grand intérêt

```
program alternatives2;
uses crt;
var sexe, statut : char;
    sexeOk, estHomme, statutOk, estMariee : boolean;
begin
 clrscr;
 write('quel est le sexe (m/f) ? ');
 readln(sexe);
  sexeOk := sexe in ['M', 'm', 'F', 'f'];
  estHomme := sexe in ['M', 'm'];
  if not sexeOk then
    writeln('erreur sexe !')
  else if estHomme then
    writeln('bonjour Monsieur')
  else begin
    write('etes-vous mariee (o/n) ? ');
    readln(statut);
    statutOk := statut in ['O', 'o', 'N', 'n'];
    estMariee := statut in ['0', 'o'];
    if not statutOk then
      writeln('erreur etat-civil !')
    else if estMariee then
      writeln('bonjour Madame')
      writeln('bonjour Mademoiselle')
  end;
 writeln;
 readkey
end.
```

c) Structures Alternatives Multiples

Même réécrits de manière plus compacte, ces tests imbriqués restent lourds et d'une lecture souvent laborieuse, alors que la logique du problème devrait 'sauter aux yeux' à la lecture! Nous allons à présent utiliser du 'sucre syntaxique' pour soulager l'écriture tout en augmentant la lisibilité

> SelonQue ... valué

Appelée également <u>choix multiple</u>, (ou encore <u>sélecteur de cas</u>, aux écritures diverses mais équivalentes en pseudo-code : *ChoixParmi ..., DéciderEntre ...*) cette instruction de contrôle condense de manière élégante une batterie de si ... Alors ... Sinon ... imbriqués; la syntaxe générale est la suivante :

```
SelonQue expression valuée [vaut | parmi | entre]
valeurs : séquence1
valeurs : séquence2
[...]
[Sinon : séquence]
finSQ
```

Par « <u>expression valuée</u> » dans le bloc de référence syntaxique ci-dessus, il faut comprendre :

toute expression qui renvoie une valeur scalaire (les valeurs littérales et les constantes n'ont aucun intérêt à cet endroit); il s'agit donc d'expressions contenant au moins une variable (ou une fonction)

et par « valeurs » ci-dessus, il faut comprendre :

une valeur littérale, une constante symbolique, un intervalle (p.ex. 10..99), une liste de valeurs (p.ex. 'O', 'o', 'N', 'n') ...

Attention: il faut comprendre le 'fonctionnement' de cette instruction comme suit :

- <u>l'expression</u> est évaluée et sa valeur est ensuite <u>comparée</u> successivement <u>de haut en</u> <u>bas</u> à <u>chacun</u> des cas listés :
- dès qu'il y a concordance, la séquence correspondante est exécutée et on quitte l'instruction⁴¹;
- si aucune concordance n'est trouvée, la clause Sinon (facultative) est exécutée

```
Exemple:
           Variable opérateur : Caractère
                     nombrel, nombre2 : Réel
            lire(nombre1)
            lire(nombre2)
            lire(opérateur)
            SelonQue opérateur vaut
              '+' : écrire(nombre1 + nombre2)
              '-' : écrire(nombre1 - nombre2)
              '*' : écrire(nombre1 * nombre2)
              '/' : Si nombre2 <> 0 Alors
                      écrire(nombre1 / nombre2)
                    Sinon
                      écrire("erreur : division par 0")
                    finSi
              Sinon : écrire("erreur : opérateur inconnu !")
            finSQ
```

⁴⁰ http://fr.wikipedia.org/wiki/Sucre_syntaxique : bizarre d'utiliser du sucre pour faire 'maigrir' l'écriture d'un algorithme !

⁴¹ en programmation, il faut soigneusement vérifier la documentation : Pascal et C différent totalement sur ce point !

```
Exemple:
           Variable mois : 1..12
                     moisDe30, moisDe31, moisDeFévrier : Logique
            lire(mois)
            SelonQue mois
              parmi (1, 3, 5, 7, 8, 10, 12) : moisDe31 ← vrai
              parmi (4, 6, 9, 11) : moisDe30 ← vrai
              vaut 2 : moisDeFévrier ← vrai
              Sinon : écrire("erreur de mois")
            finSQ
 Exemple:
           Variable age : Entier
            lire(age)
            SelonQue age
              entre 0 et 11 : écrire("enfant")
              entre 12 et 18 : écrire("adolescent")
              entre 20 et 60 : écrire("adulte")
              entre 60 et 80 : écrire("âgé")
              Sinon : écrire("vieux")
            finSO
 Exemple:
           Variable jour : 1..7
            lire(jour)
            SelonQue jour
              entre 1 et 5 : écrire("semaine")
              vaut 6 : écrire("samedi")
              vaut 7 : écrire("dimanche")
              Sinon : écrire("erreur de jour")
            finSQ
```

Dans la mesure où il n'y a aucune ambiguïté, les différentes clauses peuvent donc être mélangées; ici encore c'est l'expressivité maximale qui est recherchée

La clause sinon est facultative, mais on remarquera qu'elle est bien utile : elle permet au sélecteur de cas de contenir à la fois <u>un validateur et un sélecteur</u> de cas proprement dit

NB : le terminateur finsq permet d'imbriquer des sélecteurs sans ambiguïté

```
Exemple:
          Variable sexe, statut : Caractère
          écrire("quel est le sexe (m/f) ? ")
          lire(sexe)
          SelonQue sexe
            parmi ('M', 'm') : écrire("bonjour Monsieur")
            parmi ('F', 'f'):
              écrire("êtes-vous mariée (o/n) ? ")
              lire(statut)
              SelonQue statut
                parmi ('0', 'o') : écrire("bonjour Madame")
                parmi ('N', 'n') : écrire("bonjour Mademoiselle")
                Sinon : écrire("erreur de statut")
              finSQ
            Sinon : écrire("erreur de sexe")
          finso
```

> SelonQue ... conditionné

Dans cette version, ce n'est pas une 'expression valuée' qui détermine laquelle des séquences listées sera exécutée, mais une <u>liste de conditions</u> (la première qui est vraie l'emporte ...)⁴²

```
SelonQue
    condition1 : séquence1
    condition2 : séquence2
    [...]
[Sinon
    séquence]
finSQ
```

```
Exemple: Variable nombre1, nombre2 : Entier
...
lire(nombre1); lire(nombre2)

SelonQue
    nombre1 > 0 : ...
    nombre2 = nombre1 : ...
    nombre2 < -3 : ...
    Sinon : ...
fins0</pre>
```

L'exemple habituel pour illustrer cette forme du selonQue est la détermination du nombre de racines d'une équation du second degré $y = a.x^2 + b.x + c$; on sait que ce nombre (0, 1, 2) est déterminé par le signe du discriminant b^2 - 4a.c (< 0 : aucune racine, = 0 : une racine, > 0 : deux racines) ; on écrirait donc :

```
Variable a, b, c, delta : Réel
...
lire(a); lire(b); lire(c)
delta ← b*b - 4*a*c

SelonQue
  delta > 0.0 : écrire("deux racines")
  delta = 0.0 : écrire("une racine")
  Sinon : écrire("aucune solution")
```

On remarquera qu'il est possible de <u>passer d'une forme à l'autre</u> :

- ⇒ <u>de la conditionnée à la valuée</u> : pas toujours, p.ex. si les conditions portent sur des variables différentes ou si l'on ne sait pas énumérer les valeurs à tester, comme dans l'exemple précédent sur le second degré, ou si les valeurs sont réelles :

Exemple d'équivalence : (valuée à gauche, conditionnée à droite)

```
variable jour : 1..7
...
lire(jour)

SelonQue mois
   entre 1 et 5 : écrire("semaine")
   vaut 6 : écrire("samedi")
   vaut 7 : écrire("dimanche")
   Sinon : écrire("erreur de jour")
finsQ
```

```
variable jour : 1..7
...
lire(jour)

SelonQue
  mois ≥ 1 et mois ≤ 5 : écrire("semaine")
  mois = 6 : écrire("samedi")
  mois = 7 : écrire("dimanche")
  Sinon : écrire("erreur de jour")
finsQ
```

⁴² cette forme du selonQue n'est pas disponible dans les langages 'anciens' (Pascal, C, Java ...), par contre on la trouve depuis quasi toujours en VB ⊗ ... elle refait heureusement surface dans les langages récents, Ruby, p.ex.

> Concrètement

Fortran

il faut attendre les versions 'tardives' du langage (Fortran 90 : Fortran 95, ...) pour voir apparaître des instructions de contrôle 'par bloc' (IF ... ELSE ... END IF : bye bye cher GOTO !) et une forme multi-valuée du SelonQue (SELECT CASE ... END SELECT);

par contre il n'y a toujours pas de version multi-conditionnée de cette instruction (sinon en 'bidulant' de manière plus ou moins élégante ...)

```
PROGRAM ALTERNATIVE
c *** declaration des variables
        CHARACTER SEXE, ETAT
c *** formats d'entree/sortie
 11
        FORMAT('quel est le sexe (M/F) ? ')
        FORMAT('etes-vous mariee (O/N) ?')
 12
        FORMAT('erreur sexe ! stop', 1X)
 15
        FORMAT('erreur etat-civil ! stop')
        FORMAT('bonjour Monsieur')
 17
 18
        FORMAT('bonjour Madame')
 19
        FORMAT('bonjour Mademoiselle')
 21
        FORMAT(1X)
c *** programme principal
        WRITE(6, 11)
        READ(5, 21) SEXE
        SELECT CASE (SEXE)
          CASE ('M', 'm')
            WRITE(6, 17)
          CASE ('F', 'f')
WRITE(6, 12)
            READ(5, 21) ETAT
             SELECT CASE (ETAT)
               CASE ('0', 'o')
                 WRITE(6, 18)
               CASE ('N', 'n')
WRITE(6, 19)
               CASE DEFAULT
                 WRITE(6, 16)
            END SELECT
          CASE DEFAULT
             WRITE(6, 15)
        END SELECT
С
      END
```

Cobol

le Cobol s'adapte à la programmation structurée 'moderne' dès sa version majeure ANS 85 (instructions de contrôle avec terminateur explicite, ce qui réduit le nombre de paragraphes-procédures); un selonQue multi-valué apparaît, qui profite au maximum des états logiques (niveaux 88 de données) présents depuis toujours ...; classiquement, il utilise le mot EVALUATE et des clauses WHEN

```
IDENTIFICATION DIVISION.
 PROGRAM-ID.
                                SELONQUE.
 DATA DIVISION.
 WORKING-STORAGE SECTION.
 * variables
  77 SEXE
                         VALUE 'F' 'f'.
    88 FEMME
    88 HOMME
                        VALUE 'H' 'h'.
  77 STATUT
                         PIC X.
                         VALUE 'O' 'o'.
    88 MARIEE
                         VALUE 'N', 'n'.
     88 CELIB
 PROCEDURE DIVISION.
 MAIN SECTION.
      DISPLAY "quel est votre sexe (H/F) ? ".
      ACCEPT SEXE.
      EVALUATE TRUE
        WHEN HOMME DISPLAY "bonjour Monsieur "
        WHEN FEMME
         DISPLAY "etes-vous mariee (O/N) ? "
          ACCEPT STATUT
          EVALUATE TRUE
            WHEN MARIEE DISPLAY "bonjour Madame"
            WHEN CELIB DISPLAY "bonjour Mademoiselle"
            WHEN OTHER DISPLAY "erreur etat civil"
          END-EVALUATE
        WHEN OTHER DISPLAY "erreur sexe"
      END-EVALUATE.
      EXIT PROGRAM.
      STOP RUN.
... dans la foulée, notons qu'une version multi-conditionnée est également proposée ...
  IDENTIFICATION DIVISION.
 PROGRAM-ID.
                                SELONQUE.
 DATA DIVISION.
 WORKING-STORAGE SECTION.
                               99V9.
  77 COEFA
                         PTC
  77 COEFB
                         PIC
                               99V9.
 77 COEFC
                         PTC
                               99779
 77 DELTA
                         PIC 9999V9.
 PROCEDURE DIVISION.
 MAIN SECTION.
     DISPLAY "introduisez le coefficient A : ".
      ACCEPT COEFA.
      DISPLAY "introduisez le coefficient B : ".
      ACCEPT COEFB.
      DISPLAY "introduisez le coefficient C : ".
      COMPUTE DELTA = COEFB * COEFB - 4.0 * COEFA * COEFC.
      EVALUATE TRUE
        WHEN DELTA < 0.0 DISPLAY "aucune racine !"
        WHEN DELTA = 0.0 DISPLAY "deux racines confondues"
       WHEN OTHER
                          DISPLAY "deux racines distinctes"
      END-EVALUATE
      EXIT PROGRAM.
      STOP RUN.
```

fin des années (19)70, Pascal et C proposent chacun une implémentation (au comportement différent !) du selonQue multi-valué (n'acceptant l'un et l'autre que des données énumérables : entiers et caractères)

malheureusement, ni l'un ni l'autre ne proposeront jamais une version multi-conditionnée

Pascal

```
program selonQue;
   uses crt;
   var sexe, statut : char;
     clrscr;
    write('quel est le sexe (m/f) ? ');
    readln(sexe);
     case sexe of
       'M', 'm' : writeln('bonjour Monsieur');
       'F', 'f' : begin
          write('etes-vous mariee (o/n) ? ');
          readln(statut);
          case statut of
            'O', 'o' : writeln('bonjour Madame');
            'N', 'n' : writeln('bonjour Mademoiselle');
            else writeln('erreur etat-civil !')
          end end;
        else writeln('erreur sexe !')
     end;
     writeln;
     readkey
   end.
C
   // exemple de selonQue valué
   #include <stdio.h> // librairie
   #include <stdlib.h>
                             // librairie
   // séquence principale
   int main() {
     char sexe, statut;
     system("cls");
    printf("quel est le sexe (m/f) ? ");
     sexe = getchar();
     fflush(stdin);
     switch (sexe) {
       case 'M': case 'm':
                                           // NB : exception : pas de { } ici
         printf("bonjour Monsieur\n");
         break;
       case 'F': case 'f':
         printf("etes-vous mariee (o/n) ? ");
         statut = getchar();
         fflush(stdin);
         switch (statut) {
           case '0': case '0':
             printf("bonjour Madame\n");
             break;
           case 'N': case 'n':
             printf("bonjour Mademoiselle\n");
           default:
             printf("erreur etat-civil !\n");
             break;
         break;
       default:
         printf("erreur de sexe !\n");
     system("pause");
    return 0;
```

d) Exemple récapitulatif commenté

On introduit la date du jour (numéro du jour de la semaine, le jour, le mois et l'année) et il faut écrire un algorithme qui détermine la date du lendemain (dans les mêmes termes) : interface du genre

```
introduisez la date du jour :
année : 2008
mois : 12
jour : 31
quel est le numéro du jour de la semaine ? 7
aujourd'hui : dimanche 31 décembre 2008
demain : lundi 1 janvier 2009
```

Pour rappel : il y a des mois de 31 jours (janvier, mars, mai, juillet, août, octobre, décembre), des mois de 30 jours (avril, juin, septembre, novembre) et le mois de février qui compte 28 ou 29 jours selon que l'année est bissextile ou non; une année est bissextile si elle est multiple de 4, sauf si elle séculaire (multiple de 100), mais elle l'est quand même si elle est multiple de 400 : http://fr.wikipedia.org/wiki/Année bissextile

Dans un premier temps, on considèrera l'utilisateur comme idéal : aucune erreur à l'encodage; on reviendra ensuite sur les (indispensables) validations (et on écrira de véritables validateurs dans le chapitre consacré aux boucles)

On s'obligera toujours à écrire une version procédurale de l'algorithme, pour dégager les 'blocs fonctionnels' et les rendre les moins dépendants les uns des autres (ils se contentent de partager les mêmes données)

étape 1 : déclaration des variables

```
Constante : annéeInf = 1900, annéeSup = 2040

Variable numéroJour : 1 .. 7  # dans la semaine : 1 = lundi, ...

jour : 1 .. 31  # selon le mois et le caractère bissextile

mois : 1 .. 12

année : annéeInf .. annéeSup  # sous-type via constantes

estBissextile : Logique
```

étape 2 : algorithme abstrait : squelette général, indépendant des données

```
Algorithme jourLendemain :
```

```
# ici le bloc déclaratif des données ci-dessus
Début
  encoderDonnées
  afficherAujourdhui
  calculerDemain # calculer la date de demain
  afficherDemain
Fin.
```

- étape 3 : concrétiser l'algorithme : donner du 'corps' à chacune des procédures :
 - a) encodage des données, affectation 'externe' dans les variables globales déclarées en 1)

```
Procédure encoderDonnées :
Début
  écrire("introduisez la date du jour :")
  écrire("année : ")
  lire(année)
                                # saisie = affectation externe
  écrire("mois : ")
  lire(mois)
                                # idem ...
  écrire("jour : ")
  lire(jour)
                                # idem ...
  écrire("quel est le numéro du jour de la semaine ? ")
  lire(numéroJour)
                                # idem
Fin;
```

 b) afficher date du jour : on remarque qu'afficher la date du jour et celle du lendemain peuvent utiliser une même procédure si on utilise les mêmes variables (celles encodées) pour calculer la date du lendemain; c'est ce qui sera fait ici

```
Procédure afficherAujourdhui :
Début
  écrire("Aujourd'hui : ")
  afficherDate  # procédure d'affichage
Fin;

Procédure afficherDemain :
Début
  écrire("Demain : ")
  afficherDate  # la même procédure d'affichage
Fin;
```

° c) la procédure afficherDate peut elle-même se décomposer en procédures plus 'petites', spécialisées dans l'affichage du libellé du jour et du mois ... jouons le jeu de cette décomposition (chacun utilisera les variables globales déclarées précédemment)

```
Procédure afficherJour :
      Début
        selonQue numéroJour vaut
                                        # variable globale numéroJour
          1 : écrire("lundi ")
          2 : écrire("mardi ")
                          # etc. : on présume que le lecteur a compris le principe
          7 : écrire("dimanche ")
        finSQ
      Fin;
      Procédure afficherMois:
      Début
        selonQue mois vaut
                                        # variable globale mois
          1 : écrire("janvier ")
                          # etc.: idem ...
          12 : écrire("décembre ")
        finSQ
      Fin;
      Procédure afficherDate :
      Début
        afficherJour
        écrire(jour)
        afficherMois
        écrire(année)
      Fin;
• étape 4 : le "cœur" du problème
   Procédure calculerDemain :
   Début
    # détermination bissextile ou non
      selonQue
                           # !!!! l'ordre des cas est critique !!!!
        année mod 400 = 0 : estBissextile ← vrai
        année mod 100 = 0 : estBissextile ← faux
        année mod 4 = 0 : estBissextile ← vrai
        Sinon : estBissextile \leftarrow faux
      finS0
    # demain, c'est un jour de plus dans la semaine et un jour de plus dans le mois
      numéroJour ← numéroJour + 1
      jour \leftarrow jour + 1
    # il va falloir gérer le risque de dépassement
```

```
# quel sera le mois de demain ?
      selonQue mois
        parmi (1, 3, 5, 7, 8, 10, 12):
                                              # mois de 31
           si jour > 31 Alors
             mois \leftarrow mois + 1
             jour \leftarrow 1
           finSi
        parmi (4, 6, 9, 11) :
                                                # mois de 30
           si jour > 30 Alors
             mois \leftarrow mois + 1
             jour \leftarrow 1
           finSi
                                                # et février ?
        Sinon :
           Si estBissextile Alors
             Si jour > 29 Alors
               mois \leftarrow mois + 1
               jour ← 1 finSi
             Sinon
               Si jour > 28 Alors
                 mois \leftarrow mois + 1
                 jour \leftarrow 1
               finSi
             finSi
           finSi
      finSQ
    # quelle sera l'année de demain ?
      Si mois > 12 Alors
        année ← année + 1
        mois \leftarrow 1
      finSi
    # quel sera le jour de la semaine de demain ?
      Si numéroJour > 7 Alors
        numéroJour ← 1
      finSi
    Fin.
améliorations possibles / variantes
   # détermination bissextile ou non :
   # pas sûr que ceci soit plus clair que le selonQue
       estBissextile \leftarrow (année mod 400 = 0 ou année mod 400 = 0)
                           et non (année mod 100 = 0)
   # quelle sera l'année de demain ?
       année ← année + mois div 12
       mois \leftarrow mois \mod 13
   # quel sera le jour de demain ?
       numéroJour ← numéroJour mod 8
```

• étape finale : on met tout cela ensemble

```
Algorithme jourLendemain :
Constante annéeInf = 1900, annéeSup = 2040
Variable numéroJour : 1..7 # dans la semaine : 1=lundi, ...
         jour : 1...31
                            # selon le mois et le caractère bissextile
         mois : 1..12
         année : annéeInf..annéeSup
         estBissextile : Logique
Procédure encoderDonnées :
Début
  écrire("introduisez la date du jour :")
  écrire(" année : ")
  lire(année)
  écrire("
           mois : ")
  lire(mois)
            jour : ")
  écrire("
  lire(jour)
  écrire("quel est le numéro du jour de la semaine : ")
  lire(numéroJour)
Fin
Procédure afficherJour :
Début
  selonQue numéroJour vaut
    1 : écrire("lundi ")
    2 : écrire("mardi ")
    # etc ... on présume que le lecteur a compris le principe ...
    7 : écrire("dimanche ")
  finSQ
Fin
Procédure afficherMois :
  selonQue mois vaut
    1 : écrire("janvier ")
    2 : écrire("février ")
    # etc ... idem ...
    12 : écrire("décembre ")
  finSQ
Fin;
Procédure afficherDate :
Début
  afficherJour
  écrire(jour)
  afficherMois
  écrire(mois)
  écrire(année)
Fin
Procédure afficherAujourdhui :
Début
  écrire("Aujourd'hui : ")
  afficherDate
                             # procédure d'affichage
Fin;
Procédure afficherDemain :
Début
  écrire("Demain : ")
  afficherDate
                             # la même procédure d'affichage
Fin;
```

```
Procédure calculerDemain :
# détermination bissextile ou non
  selonQue
    année mod 400 = 0 : estBissextile ← vrai
    année mod 100 = 0 : estBissextile ← faux
                     : estBissextile \leftarrow vrai
    année mod 4 = 0
    sinon : estBissextile ← faux
  finSO
# demain, c'est un jour de plus dans la semaine et dans le mois
  numéroJour ← numéroJour + 1
  jour \leftarrow jour + 1
# quel sera le jour de la semaine de demain ?
  Si numéroJour > 7 Alors numéroJour ← 1 finSi
# quel sera le mois de demain ?
  selonQue mois
    parmi (1, 3, 5, 7, 8, 10, 12):
      Si jour > 31 Alors
        mois \leftarrow mois + 1
        jour \leftarrow 1
      finSi
    parmi (4, 6, 9, 11):
      Si jour > 30 Alors
        mois \leftarrow mois + 1
        jour \leftarrow 1
      finSi
    Sinon
      Si estBissextile Alors
        Si jour > 29 Alors
          \texttt{mois} \leftarrow \texttt{mois} + 1
          jour \leftarrow 1
        finSi
      Sinon
        Si jour > 28 Alors
          mois \leftarrow mois + 1
          jour \leftarrow 1
        finSi
      finSi
  finSQ
# quelle sera l'année de demain ?
  Si mois > 12 Alors
    année ← année + 1
    mois \leftarrow 1
  finSi
Fin
Début # algo abstrait
  encoderDonnées
  afficherAujourdhui
                       # calculer la date de demain
  calculerDemain
  afficherDemain
Fin.
# ------
```

- ensuite : et si on validait l'encodage, avec sortie immédiate et message approprié en cas d'erreur ?
- ⇒ commençons par revoir l'algorithme abstrait; pour inclure la gestion d'erreur, nous lui ajoutons un état ! (et une variable permettant de déceler le cas d'erreur rencontré pour pouvoir afficher le message approprié)

```
Algorithme jourLendemain :
Constante : annéeInf = 1900, annéeSup : 2040
Variable
         numéroJour : 1..7
                                    # dans la semaine : 1=lundi, ...
        jour : 1...31
                                     # selon le mois et le caractère bissextile
        mois : 1..12
        année : annéeInf..annéeSup
        estBissextile : Logique
        estValide : Logique
                                     # état de validité de l'encodage
        casErreur : 0...7
                                     # pour mémoriser l'erreur commise
Début # algo abstrait : aucune référence aux données concrètes
                        # encodage et détermination de l'état estValide
  encoderDonnées
  <mark>Si estValide Alors</mark>
                        # tester état
    afficherAujourdhui
                              # comme précédemment
                              # comme précédemment
    calculerDemain
    afficherDemain
                              # comme précédemment
  Sinon
    afficherErreur
                        # gestion d'erreur : message
  finSi
Fin.
```

⇒ que faut-il valider ? le numéro de jour(1..7), le mois (1..12), l'année (annéeInf..annéeSup) ... et le jour, bien sûr : on ne peut accepter que des valeurs compatibles avec le mois et le caractère bissextile ou non de l'année : tout ceci sera caché au sein de la procédure encoderDonnées

```
Procédure encoderDonnées :
Début
  casErreur \leftarrow 0
                          # jusqu'ici tout va bien ! @
  écrire ("date : année : ")
  lire(année)
  Si non (année entre annéeInf et annéeSup) Alors
    casErreur \leftarrow 1
   # détermination bissextile ou non
   #!!! à remarquer : la détermination de cet état a été déplacée ici
     selonOue
        année mod 400 = 0 : estBissextile ← vrai
       année mod 100 = 0 : estBissextile ← faux
       année mod 4 = 0 : estBissextile ← vrai
        sinon : estBissextile ← faux
     finSQ
    écrire("date : mois : ")
    lire(mois)
    Si non (mois entre 1 et 12) Alors
      casErreur \leftarrow 2
    Sinon
      écrire("date : jour : ")
      lire(iour)
      Si non (jour entre 1 et 31) Alors
        casErreur \leftarrow 3
      Sinon
        selon0ue
           mois parmi (4, 6, 9, 11) et jour > 30
                                                          : casErreur \leftarrow 4
           mois = 2 et estBissextile et jour > 29
                                                          : \frac{\text{casErreur}}{\text{casErreur}} \leftarrow 5
           mois = 2 et non estBissextile et jour > 28 : casErreur \leftarrow 6
           Sinon
             écrire("numéro du jour de la semaine : ")
             lire(numéroJour)
             Si non numéroJour entre 1 et 7 Alors casErreur \leftarrow 7
         finSO
      finSi
    finSi
  finSi
  estValide \leftarrow (casErreur = 0)
                                        # déterminer l'état final de l'encodage
Fin
```

quant à la procédure afficherErreur, un simple selonQue et le tour est joué!

```
Procédure afficherErreur :
Début

selonQue casErreur vaut
   1 : écrire("année hors limite")
   2 : écrire("mois hors limite")
   3 : écrire("jour hors limite")
   4 : écrire("jour incompatible avec mois de 30 jours")
   5 : écrire("jour incompatible avec février bissextile")
   6 : écrire("jour incompatible avec février non bissextile")
   7 : écrire("jour de la semaine hors limite")
   finsQ
   écrire("arrêt suite à cette erreur !")
Fin
```

remarque finale : dans la procédure calculerDemain, on peut enlever le bloc qui détermine si l'année est bissextile, puisque le travail a été fait dans la procédure encoderDonnées (on fera mieux plus tard)

Étant donné qu'un cours de langage Pascal est donné en parallèle au cours de Principes de Programmation, voici une implémentation complète de ce problème en Pascal

le lecteur sera particulièrement attentif à la manière dont sont traduites les différentes formes alternatives, à l'absence d'un équivalent du SelonQue multiconditionné et aux contraintes liées à l'absence de terminateurs d'instruction (maîtrise de l'imbrication des begin...end)

```
program jourLendemain;
uses crt;
const anneeInf = 1900; anneeSup = 2040;
var numeroJour : 1..7; { dans la semaine : 1=lundi, ... }
     jour : 1..31;
                         { selon le mois et le caractère bissextile }
    mois : 1..12;
     annee : anneeInf..anneeSup;
     estBissextile : boolean;
                               { état de validité de l'encodage }
       estValide : boolean;
       casErreur : 0..7;
                               { pour mémoriser l'erreur commise }
procedure encoderDonnees;
begin
  casErreur := 0;
  writeln('introduisez la date du jour :');
  write(' annee : '); readln(annee);
  if not (annee in [anneeInf..anneeSup]) then casErreur := 1
  else begin
    { détermination bissextile ou non }
    if annee mod 400 = 0
                         then estBissextile := true
    else if annee mod 100 = 0 then estBissextile := false
    else if annee mod 4 = 0
                            then estBissextile := true
    else
                                   estBissextile := false;
    write(' mois : '); readln(mois);
    if not (mois in [1..12]) then casErreur := 2
    else begin
              jour : '); readln(jour);
      write('
      if not (jour in [1..31]) then casErreur := 3
      else begin
        case mois of
          4, 6, 9, 11 : if jour > 30 then casErreur := 4;
          2 : if estBissextile and (jour > 29) then casErreur := 5
              else if not estBissextile and (jour > 28) then casErreur := 6
              else begin
                write('quel est le numero du jour de la semaine : ');
                readln(numeroJour);
                if not (numeroJour in [1..7]) then casErreur := 7
              end
        end
      end
    end
  end;
  estValide := (casErreur = 0)
end;
```

```
procedure afficherJour;
begin
  case numeroJour of
    1 : write('lundi ');
    2 : write('mardi ');
    3 : write('mercredi ');
    4 : write('jeudi ');
    5 : write('vendredi ');
    6 : write('samedi ');
    7 : write('dimanche')
  end
end;
procedure afficherMois;
begin
  case mois of
    1 : write('janvier ');
    2 : write('fevrier ');
    3 : write('mars ');
    4 : write('avril ');
    5 : write('mai ');
    6 : write('juin ');
    7 : write('juillet ');
    8 : write('aout ');
    9 : write('septembre ');
    10 : write('octobre ');
    11 : write('novembre ');
    12 : write('decembre ')
  end
end;
procedure afficherDate;
begin
  afficherJour;
  write(jour);
  write(' ');
  afficherMois;
  writeln(annee)
end;
procedure afficherAujourdhui;
begin
  write('Aujourd''hui : ');
                                  { procédure d'affichage }
  afficherDate
procedure afficherDemain;
begin
  write('Demain : ');
  afficherDate
                                  { la même procédure d'affichage }
end;
procedure calculerDemain;
begin
  { demain, c'est un jour de plus dans la semaine et dans le mois }
  numeroJour := numeroJour + 1;
  jour := jour + 1;
  { quel sera le jour de la semaine de demain ? }
  if numeroJour > 7 then numeroJour := 1;
  { quel sera le mois de demain ? }
  case mois of
    1, 3, 5, 7, 8, 10, 12 : if jour > 31 then begin
                              mois := mois + 1;
                               jour := 1
                             end;
    4, 6, 9, 11 : if jour > 30 then begin
                    mois := mois + 1;
                    jour := 1
                  end;
    else if estBissextile then if jour > 29 then begin
                                  mois := mois + 1;
                                  jour := 1 end
                          else if jour > 28 then begin
                                  mois := mois + 1;
                                  jour := 1 end
  end;
```

```
{ quelle sera l'année de demain ? }
 if mois > 12 then begin
   annee := annee + 1;
   mois := 1
 end
end;
procedure afficherErreur;
begin
 case casErreur of
   1 : writeln('annee hors limite');
   2 : writeln('mois hors limite');
   3 : writeln('jour hors limite');
   4 : writeln('jour incompatible avec mois de 30 jours');
   5 : writeln('jour incompatible avec fevrier bissextile');
   6 : writeln('jour incompatible avec fevrier non bissextile');
   7 : writeln('jour de la semaine hors limite')
 end;
 writeln('arret suite a cette erreur !')
end;
{ ------}
begin { algo abstrait }
 encoderDonnees;
 if estValide then begin
   afficherAujourdhui;
                      { calculer la date de demain }
   calculerDemain;
   afficherDemain end
   afficherErreur;
 readkey
end.
```

e) LES TABLES DE DÉCISION

Généralités

Lorsque l'exécution d'actions dépend de plusieurs états, il convient de les évaluer ensemble et non séparément

- soit en utilisant des conditions plus complexes (expressions logiques) faisant appel aux opérateurs NON, ET, OU
- soit en imbriquant des structures alternatives binaires (SI ... ALORS ... SINON ...), multivaluées ou multi-conditionnées (SELON QUE ...)

La tâche est relativement aisée lorsque ces états sont peu nombreux, mais devient plus complexe avec la multiplication des conditions et de leurs couplages ... et des questions importantes apparaissent :

- comment vérifier que tous les cas ont été pris en compte (complétude) ?
- comment vérifier qu'il n'y a pas de contradictions ?
- est-il possible de trouver des simplifications (minimalité) ?
- comment finalement traduire au mieux l'ensemble de manière algorithmique ?

Les Tables de décision constituent une solution technique intéressante préalable à la rédaction de l'algorithme : elles représentent sous forme de tableau l'ensemble des conditions (états) et l'ensemble des actions qui en dépendent; cette forme compacte rend l'examen, la validation et la simplification de l'ensemble bien plus facile

La structure générale d'une Table de décision est la suivante

Conditions	valeurs
Actions	décisions

> Construction

Pour expliquer la démarche pas à pas, nous allons partir d'un exemple simpl(ist)e : automatiser la partie salutation d'une lettre (c.-à-d. générer automatiquement le titre : Monsieur, Madame ou Mademoiselle)

- bien entendu, le point de départ est entièrement à charge de l'analyste : c'est à lui de déterminer que le titre à utiliser dépend du couplage de deux états multivalués : le sexe (Masculin/Féminin) et l'état-civil (Célibataire/Marié/Séparé/Divorcé/Veuf)
- on construit alors la partie supérieure du tableau avec les états et en ayant soin d'exprimer toutes le combinaisons (2 possibilités pour sexe * 5 possibilités pour état-civil = 10 colonnes)

conditions	vale	ırs								
sexe	М	М	М	М	М	F	F	F	F	F
état-civil	С	М	S	D	V	С	М	S	D	V

il est à remarquer que cette construction génère des couples de valeurs (sexe/état-civil) tous différents ! (ce sera une des premières vérifications à effectuer)

ensuite on place les différentes actions (ici les titres à utiliser) dans la première colonne (actions) de la partie inférieure

conditions	valeu	ırs								
sexe	М	М	М	М	М	F	F	F	F	F
état-civil	С	М	S	D	V	С	М	S	D	V
actions										
Monsieur										
Mademoiselle										
Madame										

enfin, on met (par exemple) une croix dans la partie inférieure droite (décisions) pour indiquer quelle(s) condition(s) entraîne(nt) quelle(s) action(s)

conditions	valeurs									
sexe (M, F)	М	М	М	М	М	F	F	F	F	F
état-civil (C, M, S, D, V)	С	М	S	D	V	С	М	S	D	V
actions	décis	sions								
Monsieur	Х	Х	X	Χ	Х					
Mademoiselle						Х				
Madame							Х	Х	Х	Х

ici, il faut une et une seule croix dans chaque colonne, et au moins une croix dans chaque ligne, cependant, il peut y avoir plusieurs croix sur une même ligne

À ce stade, on peut facilement prendre contact avec le 'client' de l'application pour revoir avec lui si le problème a été bien compris, est complet et ne contient pas de contradiction

> Alternatives

On sait à présent que des états multivalués (comme ici) peuvent aisément se ramener à un ensemble équivalent d'états binaires (vrai/faux) via des comparaisons sur leurs valeurs

P.ex. la première colonne correspond à l'expression logique : sexe = 'M' ET état-civil = 'C'

Cependant, on évitera autant que possible une version entièrement binaire (les valeurs ne sont alors plus que des Vrai/faux) des Tables de décision, par exemple

conditions	valeu	ırs	,	,	,	,	,	,	,	,
sexe = 'M'	٧	V	V	V	V	F	F	F	F	F
état-civil = 'C'	V	F	F	F	F	V	F	F	F	F
état-civil = 'M'	F	V	F	F	F	F	V	F	F	F
état-civil = 'S'	F	F	V	F	F	F	F	V	F	F
état-civil = 'D'	F	F	F	V	F	F	F	F	V	F
état-civil = 'V'	F	F	F	F	V	F	F	F	F	V
actions	décis	sions								
Monsieur	X	X	X	Х	Х					
Mademoiselle						Х				
Madame							Х	Х	Х	Х

c'est nettement plus lourd, moins lisible et la possibilité d'introduire des contradictions est nettement plus risquée, p.ex.

conditions	valeu	valeurs									
sexe = 'M'	V	V	V	V	V	F	F	F	F	F	
état-civil = 'C'	V	F	F	V	F	V	F	F	F	F	
état-civil = 'M'	V	V	F	F	F	F	V	F	F	F	

> Simplifications

Ainsi les "Tables de décisions" peuvent-elles être ramenées au concept (en Logique mathématique⁴³) de "Table de vérité" sur lesquelles les notions de Formes canoniques et de Simplifications sont bien connues et maîtrisées

Avez-vous remarqué, le tableau final (au-dessus de la page) est une version 'Forme canonique "somme de produits" de la Table de décision : toutes les possibilités y sont présentes et constituées d'expressions connectant valeurs de sexe et d'état-civil par l'opérateur ET

on peut donc écrire l'ensemble du tableau par (sexe='M' ET etat-civil='C') OU (sexe='C' ET état-civil='M') OU ... etc ...

À présent, comme en Logique, on va chercher à simplifier le tableau

⁴³ faut-il le préciser ? la (re)lecture du chapitre correspondant du Cours de Mathématiques est vivement conseillée ...

3 lignes d'actions pour 10 colonnes de conditions : cela signifie que certaines lignes comportent plusieurs croix et qu'il est envisageable d'effectuer des regroupements (comme les 'mises en évidence' en Logique)

conditions	valeu	ırs								
sexe (M, F)	М	М	М	М	М	F	F	F	F	F
état-civil (C, M, S, D, V)	С	М	S	D	V	С	М	S	D	V
actions	décis	sions								
Monsieur	X	X	X	X	Χ					
Mademoiselle						Х				
Madame							Х	Х	Х	Х

- la première ligne indique que le titre 'Monsieur' ne dépend que de la seule condition sexe='M' et en aucun cas de l'état-civil : on ne conserve qu'une seule colonne sur les cinq en indiquant par un '-' que l'état-civil est indifférent (n'intervient pas)
- les deux autres lignes (sexe='F') montrent une sensibilité binaire à l'état-civil (Célibataire=>Mademoiselle et les autres cas =>Madame) : on ne conserve que deux colonnes, une avec le couple de valeurs (F, C) et l'autre avec le couple de valeurs (F, -)
- on simplifiera donc le tableau comme suit :

conditions	valeu	ırs	
sexe (M, F)	М	F	F
état-civil (C, M, S, D, V)	-	С	-
actions	décis	sions	
Monsieur	X		
Mademoiselle		Х	
Madame			Х

- et on rédigera finalement la partie conditionnelle de l'algorithme :

- ou de manière équivalente (plus compacte, mais peut-être moins claire en première lecture)

Si les états sont déterminés à partir de variables faisant l'objet d'un encodage externe, il peut être intéressant (il est nécessaire, plutôt) de prévoir les validations dans le processus d'analyse, il suffit d'ajouter une colonne supplémentaire par état (correspondant à "toute autre valeur que celles prévues") et une (ou plusieurs) ligne(s) d'action (correspondant à "que faire en cas d'encodage non conforme ?")

conditions	vale	ırs										
sexe (M, F)	М	М	М	М	М	F	F	F	F	F	autre	-
état-civil (C, M, S, D, V)	С	М	S	D	V	С	М	S	D	V	-	autre
actions	décis	sions										
Monsieur	Х	Х	Х	Х	Х							
Mademoiselle						Х						
Madame							Х	Х	Х	X		
erreur											Х	Х

lors de la simplification, il suffira lors des regroupements de colonnes de spécifier la liste des valeurs (p.ex. pour l'état-civil des femmes)

conditions	valeu	ırs			
sexe (M, F)	М	F	F	autre	1
état-civil (C, M, S, D, V)	-	С	M, S, D, V	-	autre
actions	décis	sions			
Monsieur	Х				
Mademoiselle		Х			
Madame			Х		
erreur				Х	Х

et il y a plusieurs écritures équivalentes possibles de l'algorithme

```
Variable sexe, étatCivil : Caractère,
         titre : Texte, erreur : Logique
lire(sexe)
lire(étatCivil)
erreur \leftarrow faux
SelonQue
  sexe = 'M'
                 : titre \leftarrow "Monsieur"
  sexe = 'F'
    SelonQue
      étatCivil = 'C'
                                               : titre ← "Mademoiselle"
      étatCivil parmi ('M', 'S', 'D', 'V') : titre ← "Madame"
      Sinon
                                               : erreur ← vrai
    finSQ
  Sinon : erreur \leftarrow vrai
finSQ
```

> un exemple

il a été conseillé dans l'exemple précédent de préférer une présentation multivaluée à une présentation 'tout binaire'; ceci ne veut pas dire que l'on ne peut pas utiliser d'état binaire ! dans bien des cas, beaucoup d'états (conditions) sont 'naturellement' binaires ... exemple(s) ...

gérer les remboursements de mutuelle pour des visites médicales (cas fictif)

règles de base : pour qu'il y ait remboursement, il faut d'abord qu'un montant plancher ait été payé par le patient (Vrai/Faux), il y a alors remboursement à 50% pour une consultation à domicile (D), 65% pour une consultation au cabinet (C) du médecin et à 80% pour une consultation à l'hôpital (H) à condition que le médecin soit affilié (Vrai/Faux) à l'hôpital; dans le cas contraire, le taux de remboursement est celui d'une consultation au cabinet

construire la table complète : 2 * 3 * 2 = 12 colonnes

conditions	vale	urs										
montant plancher payé (V, F)	V	V	V	V	V	V	F	F	F	F	F	F
type de visite(D, C, H)	D	D	С	С	Н	Н	D	D	С	С	Н	Н
médecin affilié (V, F)	V	F	V	F	V	F	V	F	V	F	V	F
actions	déci	sions										
rembourser 50%	Χ	Х										
rembourser 65%			Χ	Х		Χ						
rembourser 80%					Χ							
pas de remboursement							Χ	Х	Χ	Χ	Χ	Χ

première simplification : pas de remboursement si pas de montant plancher

conditions	valeurs						
montant plancher payé (V, F)	٧	V	V	V	V	V	F
type de visite(D, C, H)	D	D	С	C	Н	Н	-
médecin affilié (V, F)		F	V	F	V	F	-
actions	décisions						
rembourser 50%	Χ	Χ					
rembourser 65%			Χ	Χ		Χ	
rembourser 80%					Χ		
pas de remboursement							Χ

deuxième simplification : l'affiliation du médecin : uniquement pour consultation à l'hôpital

conditions	valeurs				
montant plancher payé (V, F)	V V V V				F
type de visite(D, C, H)	D C H I			Н	-
médecin affilié (V, F)		-	V	F	-
actions	décisions				
rembourser 50%	Χ				
rembourser 65%		Χ		Х	
rembourser 80%			Х		
pas de remboursement					X

troisième simplification : les différentes actions peuvent s'exprimer à l'aide d'une seule variable numérique (taux de remboursement)

conditions	valeur	s				
montant plancher payé (V, F)	V	V	V	V	F	
type de visite(D, C, H)	D	С	Н	Н	-	
médecin affilié (V, F)	-	-	V	F	-	
actions	décisions					
taux de remboursement	50%	65%	80%	65%	0%	

algorithme:

```
Constante seuilMontant = ...
                                          # à partir duquel remboursement
Variable typeVisite, affilié : Caractère,
         montant, tauxRemboursement : Réel
lire(montant)
lire(typeVisite)
                      # valider liste ('D', 'C', 'H')
lire(affilié)
                      # valider liste ('V', 'F')
tauxRemboursement \leftarrow 0.0
Si montant >= seuilMontant Alors
  selonQue typeVisite vaut
    'D' : tauxRemboursement ← 0.5
    'C' : tauxRemboursement ← 0.65
    Sinon
      Si affilié = 'V' Alors
         \texttt{tauxRemboursement} \leftarrow \texttt{0.8}
         tauxRemboursement ← 0.65
      finSi
  finSq
finSi
. . .
```

si l'on veut valider l'encodage des données de type Caractère, on ajoute une colonne pour chacun de ces états et une ligne d'action spécifique

conditions	valeur	S					
montant plancher payé (V, F)	V	V	V	V	F	-	-
type de visite(D, C, H)	D	С	Н	Н	-	autre	
médecin affilié (V, F)	-	-	V	F	-		autre
actions	décisions						
taux de remboursement	50%	65%	80%	65%	0%		
erreur						Χ	X

on pourrait ainsi rassembler les validations en une seule ligne et gérer l'erreur via une variable Logique

```
erreur \leftarrow faux
Si affilié parmi ('V', 'F') et typeVisite parmi ('D', 'C', 'H') Alors
  tauxRemboursement \leftarrow 0.0
  Si montant >= seuilMontant Alors
    selonQue typeVisite vaut
       'D' : tauxRemboursement \leftarrow 0.5
       'C' : tauxRemboursement \leftarrow 0.65
       Sinon
         Si affilié = 'V' Alors
           tauxRemboursement \leftarrow 0.8
         Sinon
           tauxRemboursement ← 0.65
         finSi
    finSq
  finSi
Sinon
  erreur ← vrai
finSi
```

> un autre exemple

à côté des cas multivalués, il existe d'autres types de conditions (états binaires purs, intervalles numériques, ...) mais la technique reste fondamentalement la même :exemple⁴⁴ ...

Lise, la directrice des finances, doit décider dans quels cas elle exigera un paiement préalable des clients et quelles seront les différentes modalités de crédit.

- 1. Elle identifie d'abord les <u>conditions</u> influant sur le crédit de ses clients. Elle sait, par exemple, que les clients du secteur public ont besoin d'un délai de paiement plus long. Elle pense aussi se baser sur les antécédents de paiement et sur le montant de la commande.
- 2. Elle envisage quatre types d'autorisations de crédit ou <u>d'actions</u> : paiement à l'avance, dépôt de 20%, délai de 30 jours, délai de 60 jours.
- 3. Le secteur d'origine du client a deux valeurs (public ou privé). Elle situerait les antécédents de paiement sur deux niveaux en fonction du paiement de la dernière commande (à temps ou en retard) et le montant de la commande à soit moins de 50,000€ soit 50,000€ ou plus.
- 4. Elle construit sa table de décision sur base d'états/conditions binaires (Vrai/Faux) et d'une condition sur un intervalle numérique

conditions	valeurs							
client du service public	V	V	V	V	F	F	F	F
paiement à temps	V	V	F	F	V	V	F	F
commande	< 50000	≥ 50000	< 50000	≥ 50000	< 50000	≥ 50000	< 50000	≥ 50000
actions	décisions							
paiement à l'avance								Х
dépôt de 20%							Х	
délai de 30 jours						Х		
délai de 60 jours	Х	Х	Х	Х	Х			

- 5. Elle vérifie la table avec des gens qui connaissent bien les pratiques de crédit dans le domaine. On lui dit que, dans les faits, le délai de 30 jours est standard dans le secteur privé.
- 6. Elle revoit sa première table et voit que les colonnes 1 à 4 peuvent être fusionnées. « Si » le client est du secteur public, « alors » il a toujours droit à un délai de 60 jours. D'autre part, l'intervalle peut se ramener à une condition simple. La table devient

conditions	valeurs				
client du service public	٧	F	F	F	
paiement à temps	-	V	V	F	F
commande < 50000€	-	V	F	V	F
actions	décisions				
paiement à l'avance					Χ
dépôt de 20%				Χ	
délai de 30 jours			Χ		
délai de 60 jours	Χ	Χ			

© Ch.L. 2008-201

⁴⁴ d'après un exemple trouvé sur http://www.er.ugam.ca

> Concrètement

Bien souvent, lors de l'analyse d'un problème complexe, on arrive à un stade où "un tableau bien fait vaut mieux qu'un long discours ..."; d'où cette intéressante technique très visuelle de la Table de décision

Malheureusement, pour traduire une Table de décision, la plupart des langages de programmation (et même le pseudo-code) n'offrent habituellement que les outils 'de base' : une forme équivalente du Si ... Alors ... Sinon ... (IF ... THENELSE ...), parfois une version du selonQue multivalué (CASE en Pascal, SWITCH en C, Java, ...) et (beaucoup trop) rarement une version du selonQue multiconditionné (VB, Ruby, ...).

Il est donc difficile (sinon impossible) de retrouver la table de décision au premier coup d'œil en lisant le code! (idéalement, cette table devrait donc se retrouver telle quelle sous forme de commentaires)

Il y a une célèbre exception : le langage Cobol auquel on a reproché – à juste titre bien souvent – d'être verbeux, de proposer des instructions qui sont de véritables 'usines' et qui sont le cauchemar du programmeur débutant $\ \ \otimes$

par exemple (parmi bien d'autres), l'instruction EVALUATE : elle offre au programmeur le selonQue multi-valué, le selonQue multiconditionné et une implémentation directe de la Table de décision; sa syntaxe complète figure ci-dessous⁴⁵ :

illustrons la dernière possibilité par un exemple simple :

un exemple (fictif) dans le mode de l'assurance : il s'agit d'exprimer – en fonction de l'âge du conducteur, de la cylindrée et du nombre d'accidents déjà comptabilisés – quelle(s) règle(s) il faut appliquer pour déterminer la prime d'assurance à demander ... on dresse d'abord la Table de décision suivante ...

CONDITIONS	VALEURS						
âge > 21	VVVVFFF						
cylindrée > 2000	VVFFVFF						
nombre d'accidents > 2	V F V F - V F						
ACTIONS	DÉCISIONS						
augmenter la prime de 45%	X						
augmenter la prime de 15%	- X						
augmenter la prime de 30%	X						
prime inchangée	X						
supprimer l'assurance	X						
augmenter la prime de 50%	X -						
augmanter la prime de 10%	X						

⁴⁵ extrait du manuel de référence du Cobol ANS85 de MicroFocus

 \dots et ensuite, l'instruction evaluate de Cobol permet de traiter l'ensemble d'un seul coup (essayez d'en faire autant avec votre langage favori !) :

EVALUATE	AGE > 21	ALSO	CYLINDREE	>	2000	ALSO	ACCIDENTS	>	2	
WHEN	TRUE	ALSO	TRUE			ALSO	TRUE			MULTIPLY PRIME BY 1.45
WHEN	TRUE	ALSO	TRUE			ALSO	FALSE			MULTIPLY PRIME BY 1.15
WHEN	TRUE	ALSO	FALSE			ALSO	TRUE			MULTIPLY PRIME BY 1.30
WHEN	TRUE	ALSO	FALSE			ALSO	FALSE			CONTINUE
WHEN	FALSE	ALSO	TRUE			ALSO	TRUE			SET EXCLU TO TRUE
WHEN	FALSE	ALSO	TRUE			ALSO	FALSE			MULTIPLY PRIME BY 1.60
WHEN	FALSE	ALSO	FALSE			ALSO	TRUE			MULTIPLY PRIME BY 1.50
WHEN	FALSE	ALSO	FALSE			ALSO	FALSE			MULTIPLY PRIME BY 1.10
END-EVALUATE										

convainquant, non?

f) EXERCICES

il est évidemment conseillé – lorsque l'exercice s'y prête – de réaliser une Table de décision et d'en rédiger l'algorithme ensuite ...

- 1. Une compagnie d'assurance auto propose quatre types de tarifs A, B, C (du moins cher au plus cher) selon la situation du conducteur :
 - un conducteur de moins de 25 ans, titulaire du permis depuis moins de deux ans aura un tarif C s'il n'a jamais été responsable d'accident; dans le cas contraire, la compagnie refusera l'assurance
 - ° un conducteur de moins de 25 ans et titulaire du permis depuis plus de deux ans, ou de plus de 25 ans mais titulaire du permis depuis moins de deux ans aura le tarif B s'il n'a jamais provoqué d'accident, le tarif C en cas d'un seul accident et ne sera pas assuré au-delà
 - un conducteur de plus de 25 ans, titulaire du permis depuis plus de deux ans bénéficie du tarif A s'il n'est à l'origine d'aucun accident, du tarif B pour un seul accident, du tarif C pour deux accidents; au-delà il ne sera pas assuré

rédiger un algorithme procédural comportant la déclaration et la saisie des données nécessaire au traitement de ce problème

2. Automate bancaire : étant donné le solde du compte du client et le montant qu'il souhaite retirer, écrire un algorithme procédural qui accepte (au clavier) le montant du solde et le montant du retrait, et indique – sachant que le plancher du compte de peut dépasser -1,000€ - si le retrait est autorisé, est refusé, ou le cas échéant, le montant du retrait partiel autorisé ; dans tous les cas, afficher le solde du compte après opération

3. Baby sitting

Pour les parents noctambules, une étudiante propose ses services selon le tarif suivant :

- ° 7.00€ l'heure, entre 17h00 et 21h59
- ° 9.00€ l'heure, entre 22h00 et 23h59
- ° 12.00€ l'heure, au-delà de minuit

Établir un algorithme procédural de calcul de la rémunération en respectant les contraintes supplémentaires suivantes :

- ° Validation à la saisie (introduction au clavier) :
 - · heure de début (valide si entre 17 et 20) et minutes de début (valide si entre 0 et 59)
 - · heure de fin (postérieure à l'heure de début)
- ° Calcul:
 - · toute heure commencée est intégralement due

4. Anniversaire

À partir de votre date de naissance, et connaissant le jour de la semaine auquel cet heureux événement a eu lieu, quels sont (seront) les années de votre vie (on suppose que vous vivrez cent ans) où votre anniversaire tombe un dimanche ?

- pour déterminer le jour de la semaine de votre naissance, allez p.ex. sur http://home.scarlet.be/~tor-4132/cal_tres_grand.htm ou http://actu63.free.fr/perpetuel.htm
- ° on considère que le dimanche est le septième jour de la semaine

- 5. Pour pouvoir accéder à un poste de secrétaire aux Communautés européennes, il faut avoir moins de 40 ans, parler au moins trois langues et avoir un bac économique ou un bac en secrétariat ou une expérience d'au moins 3 ans; pour un poste de responsable administratif, il faut avoir moins de 50 ans, parler au moins trois langues, avoir un diplôme universitaire et une expérience d'au moins 5 ans
 - Quelles sont les données (constantes et variables) nécessaires, rédiger l'algorithme sur base d'une Table de décision
- 6. Suite à des difficultés économiques, une entreprise décide de "dégraisser" son personnel; le plan suivant est présenté au Conseil d'entreprise : les employés d'au moins 55 ans possédant au moins 10 ans d'ancienneté dans l'entreprise recevront une 'prime' de licenciement équivalente à 200% de leur dernier salaire; il en va de même pour les employés de moins de 60 ans avec une ancienneté d'au moins 5 ans; les employés qui ont entre 55 et 60 ans et une ancienneté entre 5 et 10 ans recevront une 'prime' équivalente à 150% de leur dernier salaire

Rédiger l'algorithme établissant le montant de la prime sur base de l'âge et de l'ancienneté supposées valides

7. Julien veut préparer son sac à dos pour partir en randonnée⁴⁶

Selon les conditions, il doit emporter plus ou moins de matériel.

- ° si la température est inférieure à 15 degrés, il doit prendre des vêtements supplémentaires, qui pèsent au total 1.5 kg.
- ° si la pluie est annoncée, il emporte une cape de pluie de 0.5 kg, sauf si la température est supérieure à 25 degrés.
- o il prend une gourde (pleine) de 1 kg, et si la température dépasse 30 degrés, il en prend une deuxième.
- si son ami Max l'accompagne, c'est Max qui apporte le casse-croûte, sinon Julien doit porter
 0.4 kg de plus.
- ° si la pluie n'est pas annoncée, Julien prolongera un peu la randonnée, il prend donc 0.2 kg d'aliments supplémentaires (sauf si c'est Max qui apporte le casse-croûte).

Au moyen d'une Table de décision, rédigez un algorithme concret qui calcule le poids du sac à dos

- déclarez-y les constantes qui vous paraissent appropriées
- déclarez-y les variables du problème; pour chacune (température, présence de Max, pluie annoncée, poids du sac), choisissez le type de donnée le plus adapté à sa représentation (Entier, Réel, Caractère, Logique)
- ° utilisez au mieux les structures alternatives pour obtenir une logique élégante et lisible

⁴⁶ préparation à l'interrogation de novembre 2011

g) LES STRUCTURES RÉPÉTITIVES (BOUCLES)

Pas d'automatisation sans possibilité de répétition!

Pouvoir exécuter une même séquence d'instructions à de multiples reprises est une fonctionnalité dont on ressent très vite la nécessité (il suffit de se rappeler comment on a essayé d'atteindre le mur en RobotProg).

Encore faut-il pouvoir identifier clairement

- ce qu'il faut répéter,
- pourquoi il faut le répéter
- et surtout maîtriser cette répétition (essentiellement : comment l'arrêter !).

Il nous semble que la première partie de ce texte a répondu (du moins partiellement) à ces questions d'une manière assez simple : tout cela, c'est pour <u>atteindre un but</u> (donc <u>rendre vrai un état</u>!). Pour ce faire, il faut une boucle contenant au minimum une instruction d'action contribuant à rendre vrai cet état (tantQue non murEnFace : Avancer : finTQ)

Il nous reste à présent à détailler cela quelque peu ... l'algorithmique (et la programmation) proposent dans ce domaine différents outils dont il faut déterminer ceux qui sont fondamentaux et ceux qui auraient un caractère plus ... 'sucré' ...©

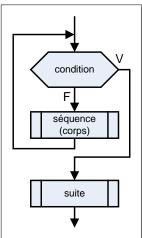
> TantQue ...

tantQue [non] condition Faire séquence finTQ

Nous l'avons rencontrée tant et plus dans la première partie du texte : la <u>boucle avec test antérieur</u> (avant d'exécuter la séquence) ou encore avec 'principe de précaution'

En termes de buts/états, nous avons pris l'habitude d'utiliser la *for-mulation suivante :*

tant qu'un but (état) <u>n'est pas</u> atteint (vrai) ... <u>faire</u> ce qu'il faut pour atteindre (rendre) ce but (cet état vrai)



Conséquence immédiate :

si la condition est vraie avant la boucle, celle-ci ne sera pas exécutée

(c'est le 'principe de précaution' : tester avant d'agir !)

<u>Danger</u>: la séquence à l'intérieur de la boucle <u>doit</u> comporter au moins une instruction (une affectation interne ou externe) qui modifie l'état correspondant à la condition (sinon, on a une boucle sans fin)

sur l'automate peleur, la boucle ci-dessous n'a aucune chance!...

```
tantQue non marmitePleine
Si panierVide Alors remplirPanier finSi
...

finTQ
```

... sans la présence dans la boucle de l'instruction pelerPatate, puisque c'est elle – et elle seule! - qui contribue à modifier l'état de la marmite

<u>Conseil</u>: la boucle tantQue est souvent qualifiée de <u>'boucle avec condition de continuation'</u>; expliquons-nous sur ce point :

- on part du but à atteindre et on exprime la condition d'arrêt correspondante

```
p.ex.: <caseMarquée>
p.ex.: <robotSurUnePrise>
```

- on nie ensuite cette condition pour exprimer pourgauoi la boucle se poursuit :

```
p.ex.:tantQue non caseMarquée
p.ex.:tantQue non robotSurUnePrise
```

si la condition d'arrêt est composite (comporte plusieurs états, p.ex. sous forme de comparaisons portant sur différentes valeurs), on procède de même

exprimer la condition d'arrêt,
 p.ex. revenir au point de départ = (xRobot = xDépart) ET (yRobot = yDépart)

nier cette condition pour obtenir la condition de continuation de la boucle :
 NON ((xRobot = xDépart) ET (yRobot = yDépart))

- habituellement, pour conserver la clarté de la condition, <u>on n'applique pas</u> les lois de de Morgan;

```
on n'écrit donc pas : (xRobot ≠ xDépart) OU (yRobot ≠ yDépart)
```

Exemple : déterminer qu'un nombre non nul est une puissance de 2 (et laquelle)

⇒ première étape : comprendre le problème : ne pas confondre multiple de 2 et puissance de 2 (12 est pair, donc multiple de 2, mais ce n'est pas une puissance de 2)

si n est puissance de 2, alors $n=2^p$ (2, 4, 8, 16 ... ne pas oublier que $1=2^0$); on divise n successivement par 2 et on s'arrête dès que le reste n'est pas nul (12 ÷ 2 = 6 reste 0; 6 ÷ 2 = 3 reste 0; 3 ÷ 2 = 1 reste 1) ; il suffit alors de vérifier le dividende (si n est puissance de 2, on a fini sur 2 ÷ 2 = 1 reste 0 puis 1 ÷ 2 = 0 reste 1)

⇒ deuxième étape : mise en algorithme

Algorithme puissance2:

```
Variable nombre, nbre, puissance : Entier

Début

# initialisation, encodage

puissance ← 0  # initialisation indispensable !!!

lire(nombre)  # saisie

Si nombre > 0 Alors  # partir de 1 !!!

nbre ← nombre  # utiliser une variable de travail

# calcul : boucle de divisions successives du nombre par 2
```

```
tantQue nbre mod 2 = 0 Faire  # donc on n'entre pas si impair
  puissance ← puissance + 1
  nbre ← nbre div 2  # cette affectation modifie la condition
finTQ
```

```
# puissance de 2 uniquement si on a terminé par 2 div 2, c.à.d 1
Si nbre = 1 Alors
   écrire(nombre, " = 2 exposant ", puissance)
Sinon
   écrire(nombre, " n'est pas une puissance de 2")
finSi
finSi
Fin.
```

Exemple : valider l'encodage d'un nombre par rapport à un intervalle

```
Algorithme validateur1:

Constante limiteInf = 23, limiteSup = 55  # les limites à respecter

Variable nombre: Entier  # le nombre à encoder

Début

# initialisation, première lecture du nombre

lire(nombre)

# si ok on n'entre pas dans la boucle

tantQue non (nombre entre limiteInf et limiteSup) Faire

lire(nombre) # redemander : cette affectation modifie la condition

finTQ

Fin.
```

Bien que la boucle tantQue soit qualifiée de <u>primitive</u> (on pourrait s'en contenter), il existe des situations où elle ne correspond pas parfaitement au problème posé, et son usage (forcé) est quelque peu contre-productif

Une illustration (simple) d'une telle situation est la mission robotProg suivante : *le robot est contre le mur, et on lui demande de faire une fois le tour du terrain et de s'arrêter à son point de départ*

si l'on écrit:

```
Algorithme unTour :

Début

xDépart ← xRobot  # mémoriser coordonnée x position de départ

yDépart ← yRobot  # mémoriser coordonnée y position de départ

tantQue non (xRobot = xDépart ET yRobot = yDépart) Faire

Si murEnFace Alors tournerDroite finSi

avancer

finTQ

Fin.
```

on aura la (mauvaise) surprise de constater que le robot ne fait rien ! en effet, quand il aborde la boucle, sa condition d'arrêt est déjà satisfaite (il part de son point d'arrivée)

on doit dès lors le faire 'bouger' (avancer) avant la boucle, mais comme il faut rester prudent (il part peut-être d'un coin), on est obligé d'écrire :

```
Algorithme unTour:

Début

xDépart 

xRobot  # mémoriser coordonnée x position de départ

yDépart 

yDépart 

yRobot  # mémoriser coordonnée y position de départ

Si murEnFace Alors tournerDroite finSi  # quitter ...

avancer  # ... le point de départ!

tantQue non (xRobot = xDépart ET yRobot = yDépart) faire

Si murEnFace Alors tournerDroite finSi

avancer

finTQ

Fin.
```

A force d'examiner un tel cas (et il s'en présente assez souvent), qui peut se schématiser comme ci-contre :

séquence tantQue [non] condition Faire séquence finTQ

on finit par se dire:

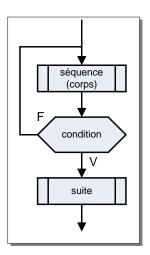
et si on disposait d'une boucle qui ferait le test après la séquence plutôt qu'avant ???

> Répéter ... Jusque ...

Répéter séquence Jusque [non] condition

Il s'agit ici d'une <u>boucle avec test postérieur</u> (après l'exécution de la séquence) :

En termes de buts/états, nous dirons donc de manière cette fois 'positive' (on exprime cette fois la condition d'arrêt, et non sa négation)



<u>Répéter</u>

faire ce qu'il faut pour atteindre (rendre) un but (un état vrai) Jusqu'à ce que ce but (état) soit atteint (vrai)

Conséquence immédiate :

même si la condition est vraie avant la boucle, le corps de celle-ci sera tout de même exécuté une fois

<u>Danger</u>: la séquence à l'intérieur de l'instruction de boucle doit ici aussi comporter au moins une instruction (une affectation interne ou externe, un appel de procédure) qui modifie l'état correspondant à la condition (sinon, on a une boucle sans fin)

<u>Conseil</u>: la boucle Répéter ... Jusque est souvent qualifiée de <u>'boucle avec condition d'arrêt'</u>; faut-il vraiment justifier ?

- on part du but à atteindre et on exprime la condition d'arrêt correspondante :

p.ex.: <caseMarquée>

p.ex.: <robotSurUnePrise>

 et c'est tout ! cette condition est celle à atteindre après exécution du corps de la boucle

p.ex.: Répeter Avancer Jusque caseMarquée

p.ex.: Répeter Avancer Jusque robotSurUnePrise

(cette boucle n'existe pas en RobotProg), mais sur l'automate peleur, <u>si on garantit au départ que la marmite n'est pas pleine</u>, au lieu d'écrire

Si panierVide Alors remplirPanier finSi pelerPatate

tantQue non marmitePleine

Si panierVide Alors remplirPanier finSi pelerPatate

finTO

on écrira plutôt (et la séquence grisée ne figure plus qu'une fois)

Répéter

Si panierVide Alors remplirPanier finSi pelerPatate

<mark>Jusque</mark> marmitePleine

Exemple: valider l'encodage d'un nombre par rapport à un intervalle

```
Algorithme validateur2:

Constante limiteInf = 23, limiteSup = 55

Variable nombre: Entier

Début

Répéter

lire(nombre) # (re)demander: cette affectation modifie la condition

Jusque nombre entre limiteInf et limiteSup

Fin.
```

Exemple : calculer la puissance de 2 d'un nombre positif donné

```
Algorithme puissance2:
Variable nombre, puissance : Entier
Début
 # initialisation, encodage
  puissance \leftarrow 1
                  # essentiel ! (2 puissance 0)
  lire(nombre)
  Si nombre > 0 Alors
    # calcul : boucle de multiplications successives par 2
    Répéter
      puissance ← puissance * 2
      nombre ← nombre - 1 # cette affectation modifie la condition
    Jusque nombre = 0
    écrire(puissance)
  finSi
Fin.
```

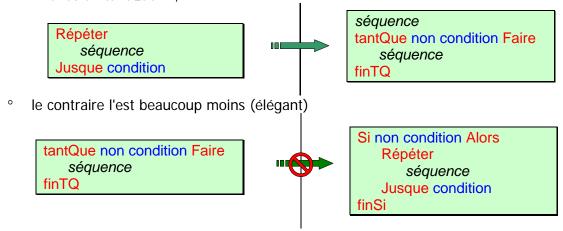
Exemple : calculer le temps pour doubler un capital si l'intérêt annuel est fixe

```
Algorithme doublerCapital:
Constante intérêt = 0.045
                                 # 4.5%
Variable durée : Entier,
         capitalDépart, capitalCalculé : Réel
Début
 # initialisations, encodage
  durée ← 0
  lire(capitalDépart)
  Si capitalDépart > 0 Alors
    capitalCalculé \leftarrow capitalDépart
    # calcul : boucle de multiplications successives
    Répéter
      durée ← durée + 1 # un an de plus
      capitalCalculé ← capitalCalculé * (1 + intérêt)
      écrire("après ", durée, " ans, capital = ", capitalCalculé)
    <mark>Jusque</mark> capitalCalculé ≥ 2 * capitalInitial # !!! ≥ 2 et pas = 2 !!!
  finSi
Fin.
```

> Comment choisir?

Avant d'essayer de répondre à cette question, il faut rappeler que la boucle tantQue peut être considérée comme une 'primitive' (c.-à-d. plus fondamentale) :

° en effet, s'il est très facile (et même élégant ?) d'écrire l'équivalent d'un Répéter ... Jusque ... avec un tantQue ...,



Pour le reste, la nature du problème et les conditions initiales (le principe de précaution est-il nécessaire ?) déterminent souvent le choix, p.ex. dans l'algorithme doublerCapital de la page précédente, le Répéter ... est 'naturel' ...

... mais d'autres considérations (d'interface homme-machine) interviennent également, par exemple :

⇒ on peut écrire une entrée de données validée avec un Répéter ... comme ceci :

```
Algorithme validateur3 :
Constante limiteInf = 23, limiteSup = 55
Variable nombre : Entier
Début
   Répéter
    écrire("introduire un nombre entre ", limiteInf, " et ", limiteSup, " : ")
    lire(nombre)
   Jusque nombre entre limiteInf et limiteSup
Fin.
```

⇒ mais si l'on souhaite afficher un message plus explicite en cas d'erreur, il faut utiliser un tantQue :

```
Algorithme validateur4 :
Constante limiteInf = 23, limiteSup = 55
Variable nombre : Entier
Début
  écrire("introduire un nombre entre ", limiteInf, " et ", limiteSup, " : ")
  lire(nombre)
  tantQue non (nombre entre limiteInf et limiteSup) Faire
   écrire("nombre invalide, réessayez : ")
   lire(nombre)
  finTQ
Fin.
```

un dernier mot (pour être complet) : un tantQue n'a pas toujours une condition négative explicite (c'est parfois le Répéter qui exprime la négation) : on se souviendra de robotProg à la recherche d'une porte tout en longeant un mur

```
tantQue murAGauche | Répéter avancer | avancer finTQ | Jusque non murAGauche
```

> Exemple récapitulatif

Il s'agit dans une application de proposer des options à l'utilisateur via une interface-texte de type 'menu' (une liste de choix possibles avec pour chacun l'indication du caractère à frapper au clavier)

Il faut valider ce choix et le traiter (ici, simplement écrire un message spécifiant l'option choisie) en boucle; une des options proposées est bien entendu de quitter l'application

On souhaite bien entendu concrétiser par des procédures un algorithme abstrait possédant un état <fini>, du genre :

```
Répéter
  afficherMenu
  validerChoix
  traiterChoix
 Jusque fini
Algorithme menuValidé:
Variable choix : 0..4, fini : Logique
Procédure afficherMenu :
Début
 écrire("MENU")
 écrire("====")
  écrire("[1] Ajout")
  écrire("[2] Modification")
  écrire("[3] Suppression")
  écrire("[4] Impression")
  écrire()
  écrire("[0] Quitter")
  écrire()
  écrire("Votre choix : ")
 procChoix
Fin;
Procédure validerChoix():
Début
  lire(choix)
  tantQue non (choix entre 0 et 4) Faire
    écrire("choix invalide, réessayez : ")
    lire(choix)
  finTO
Fin;
Procédure traiterChoix :
Début
  selonOue choix Vaut
    0 : fini ← vrai
        écrire("au revoir")
    1 : écrire("choix = ajout")
    2 : écrire("choix = modification")
    3 : écrire("choix = suppression")
    4 : écrire("choix = impression")
  finSQ
Fin;
Début
 Répeter
    afficherMenu
    validerChoix
    traiterChoix
  Jusque fini
Fin.
```

```
un programme Pascal équivalent est proposé ci-contre :
```

```
program menuValide;
var choix : 0..4; fini : boolean;
procedure validerChoix;
  readln(choix):
  while not (choix in [0..4]) do begin
   write('choix invalide, reessayez : ');
    readln(choix)
  end
end;
procedure afficherMenu;
begin
  clrscr;
  writeln('MENU');
  writeln('====');
  writeln('[1] Ajout');
  writeln('[2] Modification');
  writeln('[3] Suppression');
  writeln('[4] Impression');
  writeln();
  writeln('[0] Quitter');
  writeln();
  write('Votre choix : ')
procedure traiterChoix;
begin
  case choix of
   0 : begin
          fini := true;
          writeln('au revoir')
   1 : writeln('choix = ajout');
   2 : writeln('choix = modification');
   3 : writeln('choix = suppression');
    4 : writeln('choix = impression');
  end:
  readkev
end;
begin
 repeat
    afficherMenu;
    validerChoix;
   traiterChoix
  until fini;
```

> D'autres (types de) boucles ...

Signalons (pour être complet ?)

```
Répéter n Fois
instruction/séquence
finRp
```

Elle permet d'exécuter un nombre fixe de fois (n) une instruction ou une séquence; n doit bien entendu être un entier strictement positif, mais peut être indifféremment une constante littérale, une variable, une expression entière, ...

exemple (à la RobotProg ...) : il faut dessiner un carré dont la longueur est choisie par l'utilisateur

```
Algorithme CarréRobot
Variable côté : Entier
Début
lire(côté)
Si côté > 0 Alors
Répéter 4 Fois
Répéter côté Fois
Avancer
finRP
tounerDroite
finRP
finSi
Fin
```

Pour variable de valeurInf à valeurSup Faire instruction/séquence finPr

L'étude de cette boucle particulière dite "avec compteur" sera entreprise dans le seul contexte où elle a du sens (à notre avis) : les algorithmes utilisant la structure de données "Tableaux"

> Concrètement ...

Au fil du temps, de 'vraies' instructions de boucles sont apparues progressivement dans les langages de programmation (p.ex. elles n'apparaissent que tardivement en Fortran, les premières versions du langage ne connaissant que le IF et le GOTO ...)

Fortran

Cobol

Si l'on prend comme référence la première version 'standard' de ce langage (ANS74), elle offre un "vrai" tantQue ... qui s'écrit cependant sous la forme d'un "vrai" Répéter ... Jusque ...; 🖲.

Puisque ce langage est procédural par nature, le seul moyen d'exécuter une boucle est d'enfermer le corps de la boucle dans une procédure (appelée paragraphe ...et l'invocation d'une procédure correspond au verbe PERFORM)

```
... et en fait, c'est ...
Cobol écrit ...
                        ... qu'il faut lire ...
PERFORM
                        UNTIL MARMITE-PLEINE
                                                    tantQue NON MARMITE-PLEINE Faire
 BOUCLE
                          PERFORM BOUCLE
                                                     BOUCLE
UNTIL MARMITE-PLEINE
                                                    finT0
 IDENTIFICATION DIVISION.
 PROGRAM-ID.
                                  PELEUR.
 DATA DIVISION.
 WORKING-STORAGE SECTION.
                                PIC 99 VALUE 17.
 01 CONTENANCE-SEAU
 01 CONTENU-SEAU
                                PIC 99.
    88 SEAU-VIDE
                                 VALUE 0.
 01 CONTENU-MARMITE
                                 PIC 99.
     88 MARMITE-PLEINE
                                 VALUE 43.
 PROCEDURE DIVISION.
 MAIN SECTION.
     PERFORM INITIALISER.
     PERFORM BOUCLE UNTIL MARMITE-PLEINE.
     DISPLAY "marmite pleine : fini !".
     EXIT PROGRAM.
     STOP RUN.
 INITIALISER.
     DISPLAY "contenu seau au depart ? ".
     ACCEPT CONTENU-SEAU.
     DISPLAY " contenu marmite au depart ?".
     ACCEPT CONTENU-MARMITE.
 BOUCLE.
     IF SEAU-VIDE PERFORM REMPLIR-SEAU.
     PERFORM PELER-PATATE.
 REMPLIR-SEAU.
     MOVE CONTENANCE-SEAU TO CONTENU-SEAU.
     DISPLAY "seau vide >>> seau rempli !".
 PELER-PATATE.
     ADD 1 TO CONTENU-MARMITE.
     SUBTRACT 1 FROM CONTENU-SEAU.
     DISPLAY "seau=" CONTENU-SEAU " - marmite=" CONTENU-MARMITE.
```

Le seul moyen d'écrire l'équivalent d'un Répéter ... Jusque et d'invoquer une première fois le corps de la boucle ... (p.ex. si on a la garantie que la marmite n'est pas pleine au départ) :

```
PERFORM BOUCLE.
PERFORM BOUCLE UNTIL MARMITE-PLEINE.
```

Pascal

C'est ici que les boucles telles que nous les connaissons sont réellement introduites : le while est un vrai tantQue ! Ce langage constitue d'une certaine manière une exception : bien que reconnaissant que – pour toutes les raisons invoquées dans ce chapitre – que le tantQue est une 'primitive', grâce à laquelle on peut facilement tout exprimer, N. Wirth ajoute le repeat ... until, c-à-d un vrai Répéter ... Jusque ... afin de bien distinguer les boucles à 'test antérieur' des boucles à 'test postérieur'

```
program peleurDePatates: {* identification du programme/algorithme *}
uses crt; {* librairie de fonctions/procédures clavier & écran *}
    {* === bloc déclaratif de constantes ============== * }
   const contenanceSeau
                          = 7;
         contenanceMarmite = 43;
    {* === bloc déclaratif de variables =============== *}
   var contenuSeau
                     : integer;
       contenuMarmite : integer;
    {* == déclaration et définition des fonctions et procédures ===== *}
     procedure initialiser; {* fixer contenu initial seau et marmite *}
     begin
       contenuSeau := 5;
                                             {* affectation *}
       contenuMarmite := 15;
                                             {* affectation *}
      end;
      {* *}
     procedure remplirSeau;
                               {* aller au tas remplir le seau *}
      begin
       write('seau vide !');
                                        {* état 'avant' *}
                                       {* affectation 'interne' *}
       contenuSeau := contenanceSeau;
                                        {* état 'après' *}
       writeln(' - seau rempli !')
      end;
      {* *}
     procedure pelerPatate; {* prendre patate dans seau et mettre dans marmite *}
                                               {* affectation change état du seau *}
       contenuSeau := contenuSeau - 1;
       contenuMarmite := contenuMarmite + 1; {* idem change état de la marmite *}
       writeln('seau : ', contenuSeau, ' - marmite : ', contenuMarmite)
    {* ===séquence principale : (version sans variables logiques) ====== *}
   si l'état de la marmite est inconnu au départ (peut-être pleine?), on écrira donc
   begin
                                         {* fixer états initiaux : seau & marmite *}
      initialiser;
     while not contenuMarmite = contenanceMarmite do begin {* condition arrêt *}
       if contenuSeau = 0 then remplirSeau;
                                                {* modifie état du seau *}
                                                {* modifie état marmite et seau *}
       pelerPatate
      end;
     writeln('marmite pleine !');
                                        {* état final de la marmite *}
     readkev
    end.
   mais si on a la garantie que la marmite n'est pas pleine au départ, on écrira plutôt
   begin
      initialiser;
                                         {* fixer états initiaux : seau & marmite *}
      repeat
       if contenuSeau = 0 then remplirSeau; {* modifie état du seau *}
     writeln('marmite pleine !');
                                        {* état final de la marmite *}
     readkev
    end.
{* *}
```

<u>C</u>

On peut considérer que le C et ses héritiers directs sont en décalage par rapport au Pascal; en effet, le while est la seule boucle possible (c'est évidemment un progrès par rapport à ce qu'il y avait avant, puisqu'on a affaire à la boucle primitive) ...

...mais il est mis 'à toutes les sauces' (en C toutes les boucles sont des variations sur le while); ainsi par exemple, une boucle avec test postérieur s'écrira : Faire ... tantQue non condition

```
#include <stdio.h>
                     // librairies de fonctions d'entrée-sortie
// constantes symboliques
#define CONTENANCE_SEAU 17
#define CONTENANCE_MARMITE 43
// prototype des procédures
void initialiser();
void remplirSeau();
void pelerPatate();
// variables (globales)
int contenuSeau, contenuMarmite;
// *** fonction principale *************************
int main() {
 initialiser();
 while (! (contenuMarmite == CONTENANCE_MARMITE)) {    // tant que non ...
   if (contenuSeau == 0) remplirSeau();
   pelerPatate();
 printf("\nmarmite pleine : fini !");
 return 0;
}
// ***********************
// définition des procédures
void initialiser() {
 printf("contenu marmite au depart ? "); // invite
 scanf("%d", &contenuMarmite);
                                      // affectation 'externe'
 printf("contenu seau au depart ? ");
                                     // invite
 scanf("%d", &contenuSeau);
                                       // affectation 'externe'
void pelerPatate() {
 --contenuSeau; // décrémenter seau
++contenuMarmite; // incrémenter marmite
 printf("seau=%d : marmite=%d \n", contenuSeau, contenuMarmite);
void remplirSeau() {
                                       // affectation interne
 contenuSeau = CONTENANCE_SEAU;
 printf("seau vide ! >>> seau rempli ! \n\n");
}
  ************************
```

la version ci-dessus (main() est la séquence principale) utilise un while avec test antérieur (c-à-d un vrai tantQue

la version ci-dessous utilise un do ... while avec test postérieur (donc un Répéter ... Jusque ..., sauf qu'il s'écrit Répéter ... tantQue non ...)

h) EXERCICES

- 1. écrire un algorithme qui demande un nombre entier compris entre 1 et 3 jusqu'à satisfaction
- 2. écrire un algorithme qui demande un nombre entier compris entre 10 et 30 jusqu'à satisfaction ; lors de la validation, afficher selon le cas le message d'erreur 'trop petit' ou 'trop grand'
- 3. étant donné un nombre entier n introduit au clavier, afficher les n nombres entiers suivants (p.ex., si on introduit 4, on affiche 5, 6, 7 et 8)
- 4. étant donné un nombre entier n introduit au clavier, afficher la somme des entiers jusqu'à ce nombre inclus (p.ex. si on introduit 6, on calcule 1+2+3+4+5+6)
- 5. écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur d'introduire des nombres entre 1 et 100; au fur et à mesure de la saisie, il faut totaliser les nombres introduits; la saisie s'arrête par l'introduction d'un 0, ce qui entraîne l'affichage du total ...
- 6. rédiger un algorithme procédural d'une machine à voter
 - ° on fait voter les électeurs entre le candidat A et le candidat B en leur demandant d'introduire la lettre correspondante (au clavier)
 - ° le but est d'afficher les pourcentages de voix et le vainqueur ;
 - après chaque vote valide, on demande s'il reste des électeurs (on encode le caractère 'O' ou 'N'; l'introduction de 'N' provoque l'affichage des résultats)
 - ° l'algorithme doit être fiable à 100% et ne doit pas autoriser d'erreur d'encodage ;
- 7. soient les règles électives suivantes :
 - ° le candidat ayant obtenu au moins 50% des suffrages est élu dès le premier tour
 - $^{\circ}~$ en cas de second tour, seuls les candidats ayant obtenu au moins 12.5% des voix au premier tour peuvent se représenter
 - écrire un algorithme qui permette la saisie (valide) des scores (en % de voix) de quatre candidats. Pour le premier candidat (uniquement), il faut indiquer s'il est élu, battu, en ballottage favorable (participe au second tour en étant en tête) ou en ballottage défavorable (participe au second tour sans être en tête)
- 8. écrire un algorithme qui demande un nombre entier (base 10) et l'affiche en binaire (p.ex. 17 = > 10001)
- 9. écrire un algorithme qui demande un nombre entier binaire et l'affiche en base 10 (p.ex. 10001 = > 17)
- 10. un nombre (entier) est divisible par 9 si la somme des chiffres qui le constituent est divisible par 9 ; écrire un algorithme qui détermine si un nombre (entier) est ou non divisible par 9

dans tous ces exercices, n'oubliez pas l'écriture procédurale ...

- 11. Lire des données à valider ! concernant une série de personnes :
 - ° nom et prénom (type Texte)
 - ° année de naissance (de 1901 à l'année en cours)
 - ° sexe (M/F)
 - à partir de ces données introduites au clavier (arrêt de la saisie avec introduction comme nom de la chaîne "***" par exemple), le programme doit fournir :
 - ° le nombre de personnes de sexe masculin et leur moyenne d'âge
 - ° le nombre de personnes de sexe féminin et leur moyenne d'âge
 - ° le nombre de personnes de sexe féminin âgées de plus de 30 ans
 - ° le nombre de personnes de sexe masculin nées une année bissextile
- 12. Calculer la moyenne des cotes d'un ensemble d'étudiants pour un cours donné :
 - ° on demande d'abord combien il y a d'étudiants
 - ° on encode ensuite le nom et la cote de chacun
 - ° l'encodage terminé, on indique :
 - la cote moyenne de l'ensemble
 - le nom de l'étudiant ayant obtenu la meilleure cote
 - le nombre d'étudiants ayant obtenu la moyenne ou plus
 - le pourcentage du nombre d'étudiants n'ayant pas obtenu la moyenne

4. Outils de Généralisation: Procédures et Fonctions

... la procédure est un des rares outils fondamentaux de l'art de la programmation dont la maîtrise influe de manière décisive sur le style et la qualité du travail du programmeur. La procédure sert à abréger le texte (du programme), et, de façon plus significative, à partager et structurer un programme en composants fermés et logiquement cohérents. Ce cloisonnement est essentiel à la compréhension d'un programme, en particulier si celui-ci est si complexe que son texte prend une longueur impossible à embrasser d'un seul coup d'œil.

La structuration en sous-programmes est indispensable, à la fois à la documentation et à la vérification du programme. Par conséquent, il est souvent souhaitable de faire d'une suite d'énoncés (d'une séquence) une procédure, même si elle n'apparaît qu'une seule fois et qu'il n'y a donc aucune possibilité de raccourcir le texte par ce moyen.

Des informations sur les variables (celles dont la valeur est utilisée ou modifiée par la procédure) ou sur les conditions que les arguments doivent satisfaire, peuvent apparaître de façon commode dans l'en-tête de la procédure.

... nous appellerons <u>procédures</u> des séquences d'instructions portant un nom; si ces procédures représentent également une <u>valeur résultante</u> et peuvent servir dans des expressions, on les appellera des <u>fonctions</u>.

... il arrive fréquemment que certaines variables soient utilisées dans une suite d'énoncés (une séquence) sans avoir la moindre signification en-dehors des ces énoncés. La clarté du programme est nettement améliorée si l'on peut faire apparaître clairement la région où ces variables sont significatives.

La procédure (ou la fonction) apparaît comme l'unité textuelle naturelle pour délimiter le domaine de validité des ces variables locales.

... les cas est tout aussi fréquent où une certaine séquence apparaît à plusieurs endroits sous une forme pas tout à fait identique mais très semblable. ... dans ce cas, les séquences à abréger peuvent être transformés en un schéma de procédure (de fonction) abstrait.

Les entités qu'il faut encore préciser dans chaque utilisation sont les <u>paramètres des procédures</u> (et des fonctions).

N. Wirth⁴⁷, Introduction à la programmation systématique, Masson, 1981

Nous avons déjà à plusieurs reprises eu l'occasion de rencontrer cette notion fondamentale de procédure (dans la première et la seconde partie de ce texte). Tout en effet encourage le programmeur à en faire un large usage : c'est l'expression naturelle d'une pensée structurée, 'descendante', qui va du général au particulier (de l'algorithme abstrait à sa concrétisation en définissant au passage les données nécessaires, constantes et variables, et en utilisant la seule action élémentaire disponible : l'affectation ...)

Fonctions et/ou procédures sont des outils permettant de structurer les algorithmes. Ils sont présents dans la plupart des langages de programmation. Fonctions ou procédures succèdent ainsi à la notion de "sous-programme", notion introduite dans les premiers langages de programmation. L'objectif est de permettre l'écriture d'un algorithme par juxtaposition de "morceaux" résolvant chacun un sous-problème particulier.

Il faut à présent pousser la réflexion plus loin et

- d'une part établir d'une part la distinction nette entre <u>procédure</u> (<u>action</u>) et <u>fonction</u> (<u>valeur</u>)
- d'autre part envisager les procédures et les fonctions comme des outils réutilisables et offrant un haut niveau d'abstraction (formalisation et passage de paramètres)

⁴⁷ un des pères de l'expression algorithmique moderne (pseudo-code) et créateur du langage Pascal (entre autres ...)

4.1. PROCÉDURES

a) GÉNÉRALITÉS

Rappels : on a défini précédemment la procédure comme une généralisation du concept d'action, à partir des considérations suivantes :

- Une instruction est l'outil permettant de spécifier une action à exécuter
- Une <u>séquence</u> est une <u>suite ordonnée d'instructions</u> qui seront exécutées dans l'ordre strict où elles ont été rédigées.
- Une <u>procédure</u> est une séquence d'instructions à laquelle <u>on donne un nom</u> et qui pourra être utilisée de la même manière que les actions élémentaires.

La procédure est donc un outil de base de structuration (de la solution) d'un problème, permettant le 'découpage' en sous-problèmes : on s'efforcera de rendre ces procédures aussi indépendantes que possible (chacune ne 'voit' que ce qui la concerne et rien d'autre)

<u>Exemple 1</u> (minimaliste mais représentatif) : calculer le résultat d'une division réelle : concrétisation d'un algorithme abstrait à l'aide de variables, découpage du problème en procédure spécialisées et indépendantes les unes des autres, mais communiquant via les variables globales

```
Algorithme Division : # phase 1 : algo abstrait
Début
  saisirDonnées
  traiterDonnées
  afficherRésultats
Fin.
Algorithme Division : # phase 2 : concrétisation : déclaration de données
Variable nombre1, nombre2, résultat : Réel
                                                     # données nécessaires
Début
  saisirDonnées
  traiterDonnées
  afficherRésultats
Fin.
Algorithme Division: # phase 3: concrétisation: procédures
                                                       # variables globales
Variable nombre1, nombre2, résultat : Réel
                                                        # saisie des données
Procédure saisirDonnées :
Début
                   # saisie indépendante de ce que l'on fera des données ensuite
  écrire("introduire nombre 1 : ")
  lire(nombre1)
                                                 # accès à la variable globale
  écrire("introduire nombre 2 : ")
  lire(nombre2)
                                                 # accès à la variable globale
Fin
Procédure traiterDonnées :
                                              # traitement des données, ...
                    # indépendant de la manière dont les données ont été saisies
  Si nombre2 ≠ 0 Alors
                                            # en fonction des données d'entrée
    résultat ← nombre1 / nombre2 # calcul d'un résultat (variable globale)
  finSi
Fin
Procédure afficherRésultat :
                                                  # affichage résultat, ...
                             # devrait être indépendante des données d'entrée !
  Si nombre2 ≠ 0 Alors
                               # mais il y a une dépendance ici !
    écrire(résultat)
                                   # idéalement, elle ne devrait faire que ceci
  Sinon
    écrire("calcul impossible")
  finSi
Fin
```

```
Début # séquence principale : idéalement reste un algorithme abstrait (ne mani-
pule pas directement les données mais <u>agit par délégation</u> via les procé-
dures)
saisirDonnées
traiterDonnées
afficherRésultats
Fin.
```

b) Plus d'Indépendance : les États

Pour augmenter l'indépendance de chacune des procédures, on peut avoir recours – par exemple – à des variables logiques, implémentation concrète des états binaires.

Pour éviter qu'une procédure ait accès à des données qui ne la concernent pas, on va demander à une autre procédure – parce qu'elle est la mieux placée pour le faire, - de déterminer la valeur d'un état et de mettre celui-ci - via une variable logique - à la disposition des autres procédures

```
Algorithme Division: # phase 4 : concrétisation : indépendance
Variable nombre1, nombre2, résultat : Réel
         ok : Logique
                                  # pour assurer une meilleure indépendance
Procédure saisirDonnées :
                                                        # saisie des données
                           # indépendant de ce que l'on fera des données ensuite
  écrire("introduire nombre 1 : ")
  lire(nombre1)
  écrire("introduire nombre 2 : ")
  lire(nombre2)
Fin;
Procédure traiterDonnées :
                                                   # traitement des données
Début
                      # bien placé pour déterminer si le traitement est possible
                          # état : le mettre ici ! et pas dans la saisie !
  Si ok Alors
    résultat ← nombre1 / nombre2
  finSi
Fin;
Procédure afficherRésultat : # affichage résultat, indépendant des données
Début
                                              # ceci est devenu indépendant
  Si ok Alors
    écrire(résultat)
    écrire("calcul impossible")
  finSi
Fin;
Début # séquence principale : reste l'algorithme abstrait
  saisirDonnées
  traiterDonnées
  afficherRésultats
Fin.
```

<u>Exemple 2</u> (encore plus minimaliste mais tout aussi représentatif) : échanger le contenu de deux variables de même type (outil indispensable pour envisager le tri procédural, cfr. chapitre ultérieur sur les tableaux)

```
Algorithme Échanger : # concrétisation : déclaration de données
Variable donnéel, donnéel, échange : Entier
                                                      # données nécessaires
Procédure saisirDonnées :
                                                        # saisie des données
                           # indépendant de ce que l'on fera des données ensuite
  écrire("introduire donnée 1 (nbre entier) : ")
  lire(nombre1)
  écrire("introduire donnée 2 (nbre entier) : ")
  lire(nombre2)
Fin;
                                                       # échange des données
Procédure échangerDonnées :
Début
                                            # passer par une troisième variable
  échange ← donnée1
  donnée1 ← donnée2
  donnée2 ← échange
Fin
Procédure afficherDonnées :
                                                    # affichage des données
Début
                        # indépendant de la manière dont elles ont été produites
  écrire("donnée 1 : ", donnée1)
  écrire("donnée 2 : ", donnée2)
Fin
Début
  saisirDonnées
  écrire ("données avant échange : ")
 afficherDonnées
  échangerDonnées
  écrire("données après échange : ")
  afficherDonnées
Fin.
```

mais en y regardant de plus près, on peut s'interroger sur la variable échange; son rôle est clair : pour échanger le contenu de deux variables, il en faut une troisième ! dans la mesure où cet échange s'effectue dans une procédure, seule cette procédure a besoin de cette variable (la mettre à la disposition de l'algorithme lui-même et des autres procédures n'a pas de sens); aussi écrira-t-on désormais :

```
Algorithme Échanger : # concrétisation : déclaration de données

Variable donnée1, donnée2 : Entier # données nécessaires à l'algo

...

Procédure échangerDonnées : # échange des données

Variable échange : Entier # variable nécessaire à la procédure et à elle seule

Début # passer par une troisième variable

échange ← donnée1

donnée1 ← donnée2

donnée2 ← échange

Fin
```

La distinction entre des variables déclarées dans l'algorithme et d'autres déclarées dans les procédures est donc un outil important de structure (au niveau des données cette fois) et d'indépendance (au niveau des données et des procédures, encore elles!)

c) LA PORTÉE DES VARIABLES ET DES PROCÉDURES

Les données (variables) qui ont été déclarées au niveau du bloc déclaratif de l'algorithme sont qualifiées de <u>variables globales</u>; celles qui sont déclarées au niveau d'une procédure sont qualifiées de <u>variables locales</u> (à cette procédure).

Définissons un concept nouveau :

On désigne par **portée** d'un objet (constante, variable, procédure) le domaine de visibilité de cet objet. C'est donc l'<u>ensemble des endroits où l'objet est connu</u>.

Les <u>variables globales</u> ont une portée globale car elles peuvent être vues (et modifiées) aussi bien <u>dans la séquence principale</u> que <u>dans chacune des procédures</u>;

Les variables locales ne sont accessibles qu'à la seule procédure qui les a déclarées.

Habituellement, les constantes (parce que leur valeur ne peut pas changer) ont un statut implicite de données globales; elles sont donc généralement déclarées (globalement) en tête de l'algorithme.

Quant aux <u>procédures</u>, elles ont également une <u>portée globale</u>⁴⁸ (elles sont évidemment accessibles depuis la séquence principale de l'algorithme), mais une procédure peut invoquer une autre procédure, à condition de respecter la règle suivante : *une procédure (disons P1) ne peut en invoquer une autre (disons P2) que dans la mesure où celle-ci (P2) a été déclarée (définie) au préalable (avant P1)*

La notion de portée de variable est indissociable de la question suivante (posée via l'exemple ci-dessous) : que se passe-t-il quand une variable globale et une variable locale portent le même nom ?

```
Algorithme algoTest :
Variable x, y, z : Entier
                             # variable globale
Procédure procTest : # procédure
Variable x : Entier # variable locale à la procédure
Début
 x ← 127 # affectation de la variable locale
Fin
. . .
        # séquence principale
Début
 procTest
              # appel de la procédure
            # erreur probable !
 écrire(x)
..x ← 255
              # affectation de la variable globale
Fin
```

La réponse est simple :

- ° la séquence de l'algorithme n'a accès qu'aux seules variables globales (donc sa tentative d'écriture concerne la variable globale qui à ce stade est non initialisée!)
- ° la variable x déclarée dans la procédure est locale à cette procédure et 'masque' la variable globale de même nom (qui lui est donc devenue inaccessible); à la sortie de la procédure, la variable locale x n'existe tout simplement plus!

⁴⁸ on peut imaginer qu'une procédure P2 soit déclarée et définie au sein d'une autre procédure P1; P2 est alors locale à P1 (seule celleci peut l'invoquer); cette fonctionnalité est disponible en langage Pascal; cependant nous ne l'évoquerons pas dans ce cours d'initiation

4.2. FONCTIONS

a) GÉNÉRALITÉS : RAPPEL SUR LA NOTION DE VALEUR

Dernier jalon très important dans la découverte des outils de l'algorithmique impérative procédurale : la <u>fonction</u>.

De la même façon que la <u>procédure</u> est une <u>généralisation</u> du concept <u>d'action</u> :

partout où l'on peut mettre une séquence d'une (ou plusieurs) action(s), on peut la remplacer par un appel de procédure

la fonction est une généralisation du concept de valeur :

partout où l'on peut placer une valeur, on peut placer un appel de fonction

Commençons par rappeler la notion de valeur :

- jusqu'à présent, les <u>valeurs</u> se présentaient sous <u>trois formes</u> :
 - la valeur <u>littérale</u>,
 - la constante symbolique
 - et la (valeur, le contenu d'une) variable

```
Constante c = 22
Variable v1, v2 : Entier
fini : Logique
```

- où peut-on mettre une telle valeur ?
 - ° à droite d'un symbole d'affectation (à gauche : c'est toujours obligatoirement une variable) :

```
v2 \leftarrow 13  # valeur littérale

v2 \leftarrow c  # valeur symbolique : constante

v2 \leftarrow v1  # attention : mettre dans v2 la valeur (le contenu) de v1
```

comme terme ou facteur dans une expression :

```
v2 \leftarrow v2 + c * v1 + 10 # expression numérique
```

° dans une expression de comparaison (condition) : à gauche comme à droite de l'opérateur relationnel

```
Si v1 = v2 Alors ... # si valeur de v1 = valeur de v2

fini ← (v1 - v2 < c) # valeur d'expression de comparaison affectée à une variable logique

tantQue non fini ... # valeur de la variable logique
```

La <u>quatrième forme de valeur</u> est la <u>fonction</u> (plus rigoureusement, la valeur retournée par l'appel d'une fonction, on va préciser ...)

Des fonctions, nous en avons déjà rencontré (elles ont accompagné notre découverte des types de données scalaires, elles offrent à côté des opérateurs, des possibilités diverses, il suffit de penser aux fonctions mathématiques sur les types numériques ...), et nous les avons utilisées 'intuitivement', comme une valeur, sans trop nous poser de question quant à leur nature exacte :

```
Variable réponse : caractère
...
Répéter
lire(réponse)
réponse ← minusc(réponse)

Jusque réponse parmi ('o', 'n')

# lowercase() en Pascal
```

```
Variable prix : Entier
lire(prix)
prix ← valeurAbsolue(prix)
                                                         # abs() en Pascal
Variable a, b, c, delta, x1, x2 : Réel
lire(a); lire(b); lire(c)
Si a \neq 0 Alors
  delta \leftarrow b * b - 4 a * c
  Si delta ≥ 0 Alors
    x1 \leftarrow (-b + racineCarrée(delta)) / 2 * a
                                                         # sqrt() en Pascal
    x2 ← (- b - racineCarrée(delta)) / 2 * a
  finSi
finSi
Variable c : Caractère
c \leftarrow 'H'
C ← sucesseur(C)
                                                         # succ() en Pascal
```

b) La Fonction : Généralisation de la Notion de Valeur

Donc, si on peut placer une fonction à tout endroit où l'on peut placer une valeur, c'est que la fonction est d'une certaine manière un 'outil procédural' qui calcule et renvoie une valeur!

Partons d'une <u>image mathématique</u> de la fonction (elle nous est peut-être plus familière) :

quand on définit les deux fonctions $f_1(x)$ et $f_2(x)$ comme suit :

```
f_1(x) = 3.x^2 + 2.x - 3
f_2(x) = 1 + \tan(x)
```

- on donne un nom à chaque fonction : f1 et f2
- on rédige (à droite du symbole =) une expression algébrique qui est formellement 'ce que doit faire et comment' la fonction (une forme rudimentaire d'algorithme)
- ° on associe une lettre x au nom de la fonction (entre parenthèses) et on utilise cette lettre x dans son expression (son 'algorithme') pour symboliser n'importe quelle valeur du domaine de définition des fonctions (p.ex. les réels) ... étant donné un réel x, calculer et fournir la valeur 3 x² + 2 x 3
- ° enfin, quand on en a besoin, on 'appelle' (invoque) la fonction en utilisant son nom en lui communiquant une valeur précise de x et elle 'répond' par la valeur de son expression pour cette valeur de x : une fonction ne renvoie jamais qu'une seule valeur !
- ° ainsi : $f_1(2)$ vaut 13, $f_1(0)$ vaut -3, $f_2(0)$ vaut 1 et $f_2(\pi/4)$ vaut 2

En algorithmique (et en programmation), on procède de même, mais avec des concepts un peu moins 'matheux' et plus adaptés au domaine de l'algorithmique (on va pouvoir écrire des fonctions qui n'ont aucun caractère mathématique) ... en attendant, on écrira la définition de la première fonction 'mathématique' ci-dessus comme ceci (détails plus loin) :

```
Fonction f1(x : Réel) : Réel  # attention au typage ! cfr. plus loin

Variable valTmp : Réel  # variable locale de travail (facultative)

Début

valTmp ← 3 * x * x + 2 * x - 3 # expression à évaluer et affectation de son résultat

renvoie(valTmp)  # renvoi de la valeur au 'monde extérieur'

Fin
```

et on l'utilisera comme ceci (c'est-à-dire comme ce qu'elle est : une valeur!)

```
Algorithme fctTest

Variable v1, v2, v3 : Réel
...

Début
...

v1 \leftarrow f1(2)  # invoque f1 en lui transmettant 2; valeur retour affectée à v1

v2 \leftarrow f1(v1) + 5

Si f1(2) = 3 Alors ...# invoque f1 en lui transmettant 2; valeur retour comparée à 3
...

Fin
```

Avant d'aller plus loin, retour en arrière, une (dernière ?) fois sur l'"algorithme du peleur" afin de découvrir la réelle importance des fonctions (importance au moins égale – sinon plus - à celle des procédures)

Partant de la version abstraite (purement fonctionnelle)

```
Algorithme Peleur:

Début

TantQue non marmitePleine Faire

Si seauVide Alors remplirSeau FinSi

pelerPatate

FinTQ

Fin.
```

nous avons rédigé une première version procédurale concrète comme ceci :

```
Algorithme Peleur :
# Déclaration des données
Constante contenanceSeau = 15, contenanceMarmite = 33
Variable contenuSeau, contenuMarmite : Entier
# Déclaration/Définition des procédures
 Procédure initialiser :
 Début
   lire(contenuSeau)
                           # combien de patates dans le seau au début
   lire(contenuMarmite)
                           # combien de patates dans la marmite au début
 Fin
 Procédure remplirSeau :
 Début
   contenuSeau ← contenanceSeau # mettre toutes les patates possibles
 Fin
 Procédure pelerPatate :
   contenuSeau ← contenuSeau - 1
                                              # une patate de moins
   contenuMarmite ← contenuMarmite + 1
                                            # une patate de plus
# Algorithme proprement dit : séquence principale
 Début.
  initialiser
  TantQue non contenuMarmite = contenanceMarmite Faire
    Si contenuSeau = 0 Alors remplirSeau FinSi
    pelerPatate
  finTQ
Fin.
```

puis, considérant que l'algorithme principal avait perdu son caractère abstrait, (en effet, on y fait référence explicitement aux données, littérales, constantes et/ou variables), nous avons corrigé le tir en introduisant les variables logiques comme concrétisation des états (marmite-Pleine, seauVide) comme ceci :

```
Algorithme Peleur :
 Constante contenanceSeau = 15, contenanceMarmite = 33
           contenuSeau, contenuMarmite : Entier
            seauVide, marmitePleine : Logique
                                                     # deux états
 Procédure initialiser :
 Début
   lire(contenuSeau)
                           # combien de patates dans le seau au début
   lire(contenuMarmite) # combien de patates dans la marmite au début
   marmitePleine ← (contenuMarmite = contenanceMarmite)
   seauVide \leftarrow (contenuSeau = 0)
                                                                 # état
 Fin
 Procédure pelerPatate :
 Début
   contenuSeau ← contenuSeau - 1
   contenuMarmite ← contenuMarmite + 1
   marmitePleine ← (contenuMarmite = contenanceMarmite)
                                                                 # état
    seauVide \leftarrow (contenuSeau = 0)
                                                                  # état
 ...# autres procédures
 Début
  initialiser
  TantQue non marmitePleine Faire
    Si seauVide Alors remplirSeau FinSi
    pelerPatate
  finTQ
Fin.
```

mission accomplie du point de vue de la séquence principale, mais à quel prix ! nous avons à présent chargé deux procédures d'une responsabilité qui n'est pas vraiment la leur ! (p.ex. le 'métier' de la procédure pelerPatate et de prendre une patate, la peler et la déposer, pas de s'interroger sur le contenu du seau et de la marmite et d'en informer les autres !)

comme on y trouve deux fois le même couple d'instructions, réutilisation oblige, on aurait pu passer par une procédure supplémentaire

```
Procédure publierEtats :
                           # informer tous azimuth ...
  marmitePleine \leftarrow (contenuMarmite = contenanceMarmite) # <math>etat
  seauVide ← (contenuSeau = 0)
                                                           # état
Procédure initialiser :
Début
  lire(contenuSeau)
                           # combien de patates dans le seau au début
  lire(contenuMarmite)
                          # combien de patates dans la marmite au début
 publierEtats # informer ...
Fin
Procédure pelerPatate :
Début
  contenuSeau ← contenuSeau - 1
  contenuMarmite ← contenuMarmite + 1
 publierEtats
                    # informer ...
Fin
```

mais le problème reste entier ..., cette publication n'est pas le job de ces procédures !

C'est ici que les fonctions vont révéler leur intérêt : récrivons comme ceci :

```
Algorithme Peleur :
            contenanceSeau = 15, contenanceMarmite = 33
Constante
Variable
            contenuSeau, contenuMarmite : Entier
# déclarations/définitions de fonctions
   Fonction seauVide() : Logique : # renvoie l'état vide ou non du seau
    renvoie (contenuSeau = 0)
                                  # comparaison => vrai ou faux
   Fonction marmitePleine() : Logique : # renvoie l'état plein ou non de la
                                           marmite
   Début
     renvoie (contenuMarmite = contenanceMarmite) # compar. => vrai ou faux
   Fin
# déclarations/définitions de procédures
   Procedure initialiser :
  Début
     lire(contenuSeau)
                            # combien de patates dans le seau au début
     lire(contenuMarmite)
                            # combien de patates dans la marmite au début
   Fin
   Procedure remplirSeau :
   Début
     contenuSeau ← contenanceSeau#
                                     # mettre les patates possibles
   Fin
  Procedure pelerPatate :
  Début
     contenuSeau ← contenuSeau - 1
     contenuMarmite ← contenuMarmite + 1
# algorithme proprement dit : séquence principale
  initialiser
  TantQue non marmitePleine() Faire
                                               # je suis intéressé par ceci
    Si seauVide() Alors remplirSeau FinSi
                                               # et par ceci
    pelerPatate
  finTO
Fin.
```

quelle(s) agréable(s) surprise(s) :

- les deux variables logiques (états concrets) ont disparu
- tout comme leur modification dans deux procédures, qui retrouvent leur 'métier' d'origine ! en lieu et place :
 - deux fonctions calculant chacune (par comparaison entre variables globales et valeurs appropriées) et renvoyant une valeur vrai/faux (c-à-d. l'équivalent d'un état)
 - l'invocation <u>par celui qui en a besoin et au moment où il en a besoin</u> (ici la séquence principale) de ces fonctions, considérées à ce moment comme une valeur logique

4.3. NOTION DE PARAMÈTRE

Une déclaration de fonction utilise le modèle général suivant :

```
Fonction nomDeLa Fonction ([nom et type des paramètres]) : type de la valeur de retour :

Début

... # algorithme de calcul de la valeur

renvoie(valeur) # renvoi de la valeur calculée

Fin
```

- il n'est pas surprenant d'y trouver :
 - le mot <u>Fonction</u> (l'équivalent des mots Algorithme et Procédure) accompagné d'un <u>nom</u> (identificateur symbolique) choisi par le programmeur pour pouvoir ensuite invoquer (faire exécuter) la fonction :

```
Fonction min(...) ...:
Fonction cube(...) ...:
Fonction estImpair(...) ...:
```

la déclaration du <u>type de la valeur de retour</u> de la fonction (elle calcule une valeur et toute valeur est nécessairement typée) : on se contentera pour l'instant de fonctions calculant une valeur scalaire (donc de type Entier, Réel, Caractère, Logique, Texte)

```
Fonction min(...) : Réel :
Fonction cube(...) : Entier :
Fonction estImpair(...) : Logique :
```

entre les parenthèses apparaît la déclaration du ou des <u>paramètre(s)</u> <u>d'entrée</u> : c'est par ce canal que sont transmises à la fonction les valeurs qu'elle devra utiliser pour calculer sa valeur de retour; ces paramètres portent bien entendu chacun un nom accompagné de sa déclaration de type; dans le cadre de la déclaration/définition d'une fonction, ils sont qualifiés de <u>paramètres formels</u>; dans une fonction, ils ont toujours un statut de variable locale

```
Fonction min(x1 : Réel, x2 : Réel) : Réel :
Fonction cube(x : Entier) : Entier :
Fonction estImpair(n : Entier) : Logique :
```

enfin, dans le <u>corps de la fonction</u> (en principe la dernière ligne, c'est plus 'propre') figure obligatoirement une <u>instruction</u> dite <u>'de retour'</u> permettant à la fonction de mettre la valeur calculée à disposition de l'instruction qui l'a invoquée

```
Fonction min(x1 : Réel, x2 : Réel) : Réel : # renvoie le plus petit
Début
  Si n1 < n2 Alors Renvoie(n1) Sinon Renvoie(n2) finSi
Fin
Fonction cube(x : Entier) : Entier :
                                            # renvoie x au cube
Début
  Renvoie (x * x * x)
Fin
Fonction estImpair(n : Entier) : Logique : # renvoie vrai ou faux
Variable reste : Entier
                                             # variable de travail pour l'exemple
Début
  reste \leftarrow n mod 2
                                             # calcul du reste de la divion par 2
  renvoie(reste = 1)
                                                    # impair si ce reste est 1
Fin
```

au moment d'appeler la fonction, l'appelant (une instruction dans l'algorithme principal, dans une procédure ou même une autre fonction) lui communique les valeurs à utiliser pour calculer la valeur de retour : ces valeurs – qualifiées de <u>paramètres réels</u> cette fois – correspondent à des valeurs littérales, des constantes ou des variables appartenant à l'environnement de données de l'appelant

```
Constante échelle = 1000.0
Variable volt1, volt2, mesure : Réel
 Fonction min(n1 : Réel, n2 : Réel) : Réel : # renvoie le plus petit
  # soient n1 et n2 des valeurs réelles ...
 Début
    Si n1 < n2 Alors Renvoie(n1) Sinon Renvoie(n2) finSi
 Fin
. . .
Début
  . . .
 mesure \leftarrow \min(250.3, 325.5)
                                                   # valeurs littérales
 mesure ← min(échelle, v1)
                                                  # constante, variable
 mesure \leftarrow \min(v1, v2) + \min(\text{\'echelle}, v2)
                                                  # une expression
  Si min(v1, v2) = v1 Alors ... Sinon ...
                                                  # dans une alternative
  tantQue min(v1, v2) - mesure < échelle ... # piloter une boucle
Fin
```

En résumé : une fonction est un outil de structure algorithmique réutilisable qui

- est capable de prendre en charge de manière <u>autonome</u> un traitement consistant à calculer une valeur
- possède un nom
- <u>ne peut en aucun cas modifier l'état de l'algorithme</u>; elle ne peut donc modifier (par affectation interne ou externe) les variables globales
- en lieu et place, possède des <u>paramètres formels</u> nommés et typés qui jouent le rôle de <u>variables locales</u> auxquels sont transmises les <u>valeurs</u> des variables globales (on utilisera le terme de passage de paramètre par copie/valeur)
- peut cependant pour réaliser sa 'mission' utiliser les constantes globales

La ligne de déclaration/définition de la fonction, rassemblant son nom, les noms et types des paramètres d'entrée et le type de la valeur de retour est appelée <u>prototype</u> ou <u>signature</u> de la fonction

Exemple:

```
Algorithme testFct:
Variable A, B, C, D, E, F : Entier
 Fonction \ensuremath{\mbox{\sc key}} is Entier): Entier
                                                        # prototype, signature
 Début
    renvoie ( 2 \*
                    (x + x)
                                         Algorithme
 Fin
                                                                           enction
                                                       C
                                                 В
                                              55
                                          33
Début
                                                                            renvoie(2 * (x + y)
  lire(A) # saiste
  lire(B) # saisie
  # intocation \
  C \leftarrow \text{exSomme}(A, B)
  lire(D)
  lire(E)
  # invocation
  F \leftarrow exSomme(D, E)
Fin
```

```
Autre exemple :
```

```
Algorithme calculPrix
Constante tva = 0.21
Variable prixHtval, prixHtva2 : Réel
...
    Fonction prixTvaC(pr : Réel) : Réel  # prototype, signature
    Début
        renvoie(pr * (1 + tva))
    Fin
...
Début
...
lire(prixHtval); écrire(prixTvaC(prixHtval))  # invocation directe
    lire(prixHtva2); écrire(prixTvaC(prixHtva2))  # invocation directe
...
Fin
```

Les fonctions sont des outils particulièrement adaptés pour écrire des <u>saisies de données avec</u> <u>validation</u>; par exemple, au lieu d'écrire

```
Algorithme saisieNombres
Constante vMin1 = 10, vMax1 = 100, vMin2 = 1, vMax2 = 20
Variable nombre1, nombre2 : Entier
Début
  écrire("introduire un nombre entre ", vMin1, " et ", vMax1, " : ")
  lire(nombre1)
  tantQue non (nombrel entre vMin1 et vMax1) faire
    écrire("valeur hors intervalle, recommencez : ")
    lire(nombre1)
  finTO
  écrire("introduire un nombre entre ", vMin2, " et ", vMax2, " : ")
  lire(nombre2)
  tantOue non (nombre2 entre vMin2 et vMax2) faire
    écrire("valeur hors intervalle, recommencez : ")
    lire(nombre2)
  finTQ
Fin
```

on écrira un validateur réutilisable à l'aide d'une fonction correctement paramétrée

```
Algorithme saisieNombres
Constante vMin1 = 10, vMax1 = 100, vMin2 = 1, vMax2 = 20
Variable nombre1, nombre2 : Entier
Fonction lireEntier(min, max : Entier) : Entier
Variable n: Entier
Début
  écrire("introduire un nombre entre ", min, " et ", max, " : ")
  tantQue non (n entre min et max) faire
    écrire("valeur hors intervalle, recommencez : ")
    lire(n)
  finTO
  renvoie(n)
Fin
Début
  nombre1 ← lireEntier(vMin1, vMax1)
  nombre2 \leftarrow lireEntier(vMin2, vMax2)
Fin
```

4.4. Procédures paramétrées

Revenons à un petit algorithme procédural écrit précédemment : il s'agissait d'échanger le contenu de deux variables, ce que nous avons rédigé comme suit :

```
Algorithme Échanger:

Variable donnéel, donnée2: Entier # données nécessaires à l'algo
...

Procédure échangerDonnées: # échange des données

Variable échange: Entier # variable nécessaire à la procédure et à elle seule

Début # passer par une troisième variable

échange ← donnéel

donnéel ← donnée2

donnée2 ← échange

Fin
...
```

Que fait la procédure échangerDonnées : elle ne sait échanger que deux variables globales donnée1 et donnée2. Et s'il fallait dans le même algorithme échanger également deux autres variables donnée3 et donnée4, faudrait-il une autre procédure d'échange?

```
Algorithme soluProbl :
Variable donnée1, donnée2, donnée3, donnée4 : Entier
                                                            # var. globales
 Procédure échangerDonnées1
                                                      # échange des données
 Variable échange : Entier
                                                           # variable locale
 Début 🖌
   échange ← donnée1
   donnée1 ← donnée2,
   donnée2 ← échange
 Fin
 Procédure échangerDonnées2:
 Variable éghange Éntier
 Début
   échange ← donnée3
   donnée3 ← donnée4
   donnée4 ← échange
 Fin
```

Non bien sûr : le dernier acte de l'écriture procédurale réutilisable indépendante se joue ici : <u>pour rendre une procédure aussi indépendante que possible</u> des variables globales (sur lesquelles elle est censée travailler), on va également <u>lui transmettre</u> ces données comme <u>paramètres</u> et dès lors on pourra écrire :

```
Algorithme soluProbl :
Variable donnée1, donnée2, donnée3, donnée4 : Entier
                                                            # var. globales
 Procédure échangerDonnées (ref n1, ref n2 : Entier) :
                                                          # échange données
 Variable échange : Entier-
                                              # variable locale à la procédure
 Début'
   échange-← n1
      n2 ← échange
 Fin
Début.
lire(donnée1); lire(donnée2)
lire(donnée3); lire(donnée4)
échangerDonnées (donnée1, donnée2)
échangerDonnées(donnée3, donnée4)
. . .
Fin
```

Si l'on veut considérer les outils procéduraux que sont les fonctions et les procédures comme des outils réutilisables (c.-à-d. invoqués à plusieurs reprises, avec des données différentes), il faut bien comprendre le rôle essentiel que jouent les paramètres : un canal d'échange de données entre l'appelant et l'appelé.

Ce concept de réutilisation de code avec échange de données peut être étendu aux procédures, mais celles-ci sont des outils d'action (donc modifiant a priori des variables en utilisant l'affectation) : on distinguera alors

- les <u>procédures</u> qui utilisent des données passées par copie/valeur (même principe que les paramètres des fonctions) et <u>qui ne modifient pas les données transmises</u> par l'appelant
- les <u>procédures qui modifient les données transmises</u> par l'appelant; celles-ci leur sont alors transmises par référence/adresse

a) ... SANS MODIFICATION DE DONNÉES

une déclaration de procédure avec <u>passage de paramètres par copie/valeur</u> utilise le modèle général suivant :

```
Procédure nomDeLaProcédure (nom et type des paramètres) :

Début
... # corps de la procédure
Fin
```

l'exemple typique d'une procédure avec paramètre transmis par copie/valeur est la procédure d'affichage standard écrire(...) : en aucun cas les variables qui lui sont confiées ne peuvent être modifiées

comme dans le cas des fonctions, les paramètres ainsi transmis doivent être considérés comme des variables locales à la procédure

```
Algorithme testPrc11:
Variable A, B, C, D: Entier
Procédure affiche(x, y : Entier) :
                                         # prototype, signature
  écrire(2 *
Fin;
                                        Algorithmæ
                                                               Rrocédure
                                               В
Début
  lire(A)
  lire(B)
  affiche(A, B) # invocation
                                                                  Affichage
  lire(C)
  lire(D)
  affiche(C, D) # invocation
Fin
```

exemple avec modification locale de paramètre

```
Algorithme testPrc12:
Variable n1, n2 : Entier
Procédure décompte(x : Entier) :
                                           # prototype, signature
  tantQue non (x = 0)
    écrire(x)
    x \leftarrow x - 1
                              # modification de la variable locale x
  finTO
Fin;
. . .
Début
  . . .
  n1 ← 15 /
  n2 \leftarrow 7
  décompte(n1) # passage par copie/valeur; n1 reste inchangé après invocation
  décompte(n2) # idem
Fin
```

b) ... AVEC MODIFICATION DE DONNÉES

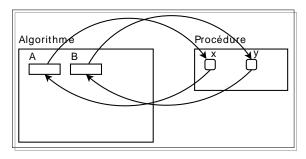
une déclaration de procédure avec <u>passage de paramètres par référence/adresse</u> utilise le modèle général suivant :

```
Procédure nomDeLaProcédure (<u>ref</u> nom <u>et</u> type des paramètres) :

Début
... # corps de la procédure
Fin
```

chaque paramètre correspondant à une variable de l'appelant qui doit être modifiée par la procédure est précédée par le mot <u>ref</u> (référence à ...)

l'exemple typique d'une procédure avec paramètre d'entrée est la procédure de lecture lire(...) jouant le rôle d'affectation externe : on lui transmet l'adresse de la variable réceptrice; de sorte que lire(v) a pour signification "mettre ce qui a été introduit au clavier en mémoire à l'adresse correspondant à la variable v"



on évitera habituellement d'utiliser une telle procédure pour lui faire jouer le rôle naturellement réservé à une fonction

```
Algorithme testPrc21:

Variable A: entier
...

Procédure cube(ref x): Entier)

Début
   x ← x * x * x

Fin
...

Début
...
lire(A)
cube(A) # modifie A
...

Fin
```

```
Algorithme testPrc21:
Variable A: entier
...

Fonction cube(x: Entier)
Début
  renvoie(x * x * x)
Fin
...
Début
...
lire(A)
A ← cube(A)
...
Fin
```

par contre, comme les fonctions ne peuvent retourner qu'une seule valeur, on utilisera les procédures quand plusieurs résultats sont attendus ou quand il faut modifier plusieurs variables

l'exemple le plus représentatif (et que l'on retrouvera dans les tris de tableaux) est l'échange de valeurs entrre deux variables déjà évoqué

```
Algorithme testPrc22:
Algorithme testPrc22:
                                                       Variable A, B, C, D : Entier
Variable A, B, C, D, tmp : Entier
. . .
                                                       Procedure échanger(ref x), ref y): Entier)
Début
                                                       Variable tmp : Entiter
                                                       Début
   lire(A); lire(B)
                                                          tmp \leftarrow x
  lire(C); lire(D)
                                                          x \leftarrow y
  \texttt{tmp} \leftarrow \texttt{A}
                                                          y \leftarrow x
  \texttt{A} \; \leftarrow \; \texttt{B}
                                                       Fin;
  B \leftarrow tmp
  \texttt{tmp} \,\leftarrow\, \texttt{C}
                                                       Début
  \texttt{C} \; \leftarrow \; \texttt{D}
                                                          lire(A); lire(B)
  D \leftarrow tmp
                                                          lire(C); lire(D)
Fin
                                                          échanger(A, B)
                                                          échanger(C, D)
                                                       Fin
```

Fonctions, procédures avec paramètres par copie/valeur et procédures avec paramètres par référence/adresse prendront tout leur sens sur les structures de données ... nous y reviendrons dans et après les chapitres qui leurs sont consacrés ...

4.5. Souplesse et Abstraction : la Surcharge

En quelques mots, juste pour introduire le sujet ... 49

Les concepts de programmation impérative procédurale (nous regrouperons désormais sous ce terme unique les notions de procédure et de fonction) présentés dans ce cours sont largement inspirés par les langages "statiques fortement typés" (comme le Pascal, par exemple) ...

L'avantage principal de la démarche est l'apprentissage de la rigueur : <u>tout</u> (variables globales et locales, paramètres des procédures et fonctions, valeur de retour de fonction) <u>doit être</u> systématiquement <u>déclaré (nommé) et typé;</u> l'inconvénient est un certain manque de souplesse ... reprenons la fonction validatrice écrite précédemment :

```
Algorithme saisieNombres
Constante vMin1 = 10, vMax1 = 100, vMin2 = 1, vMax2 = 20
Variable nombre1, nombre2 : Entier
Fonction lireEntier(min, max : Entier) : Entier
Variable n: Entier
Début
  écrire("introduire un nombre entre ", min, " et ", max, " : ")
  tantQue non (n entre min et max) faire
    écrire("valeur hors intervalle, recommencez : ")
  finTO
 renvoie(n)
Fin
. . .
Début
 nombre1 ← lireEntier(vMin1, vMax1)
 nombre2 \leftarrow lireEntier(vMin2, vMax2)
Fin
```

et ajoutons au problème la nécessité de saisir un nombre réel compris entre -50.0 et +50.0 (p.ex. des températures) : il faudrait ajouter une seconde fonction pour valider des réels !

```
Constante vMin3 = -50.0, vMax3 = 50.0
Variable nombre3 : Réel
...
Fonction lireRéel(min, max : Réel) : Réel
Variable n : Réel
Début
  écrire("introduire un nombre entre ", min, " et ", max, " : ")
  lire(n)
  tantQue non (n ≥ min et n ≤ max) faire
  écrire("valeur hors intervalle, recommencez : ")
   lire(n)
  finTQ
  renvoie(n)
Fin
Début
...
  nombre3 ← lireRéel(vMin3, vMax3)
...
Fin
```

... on imagine bien que cela ne va pas dans le sens de la simplicité ni de la souplesse ...

⁴⁹ qui sera développé dans le cours d'Organisation et Structure de Données, et expérimenté via la notion de Programmation générique dans le cours de Langage C

Dès lors, pour que le typage fort ne soit pas un obstacle, on admet généralement (c'est le cas en Pascal, en C++⁵⁰, comme dans la plupart des langages actuels) le principe de la <u>surcharge</u> (overloading) des fonctions paramétrées (et des procédures paramétrées, le principe est identique) :

rappelons d'abord qu'on entend par <u>signature d'une fonction</u> (d'une procédure) : c'est la ligne d'en-tête comportant

- le nom de la fonction (de la procédure)
- le nombre, l'ordre et le type des paramètres (leur nom n'a pas d'importance)
- le type de la valeur de retour (uniquement pour les fonctions, bien sûr)

des fonctions (des procédures) différentes peuvent porter le <u>même nom</u> pour autant que leur <u>signature</u> soit <u>différente</u>

```
Algorithme saisieNombres
Constante eMin = 10, eMax = 100, oui = 'o', non = 'n',
          rMin = -50.0, rMax = 50.0
Variable eNombre : Entier, réponse : Caractère, rNombre : Réel
 Fonction fLire(min, max : Entier) : Entier
 Variable n: Entier
 Début
   écrire("introduire un nombre entre ", min, " et ", max, " : ")
   tantQue non (n entre min et max) faire
     écrire("valeur hors intervalle, recommencez : ")
     lire(n)
   finTO
   renvoie(n)
 Fin
 Fonction fLire(min, max : Réel) : Réel
 Variable n : Réel
   écrire("introduire un nombre entre ", min, " et ", max, " : ")
   tantQue non (n entre min et max) faire
     écrire("valeur hors intervalle, recommencez : ")
     lire(n)
   finTO
   renvoie(n)
 Fin
 Fonction fLire(c1, c2 : Caractère) : Caractère
 Variable c : Caractère
 Début
   écrire("voulez-vous continuer (", c1, "/", c2, ") ? ")
   lire(c); c \leftarrow minuscule(c)
   tantQue non (c = c1 ou c = c2) faire
     écrire("réponse incorrecte, recommencez : ")
     lire(c); c \leftarrow minuscule(c)
   finTQ
   renvoie(c)
 Fin
. . .
Début
  eNombre ← fLire(eMin, eMax)
  réponse ← fLire(oui, non)
  rNombre ← fLire(rMin, rMax)
Fin
```

⁵⁰ pas en C, malheureusement!

4.6. CONCRÈTEMENT ...

Dans un chapitre précédent (3.1 Les Instructions d'Action, page 36), comportant une introduction à la notion de procédure, un même exemple (petit établissement de facture) était rédigé dans quelques langages impératifs procéduraux 'classiques' (Fortran, Cobol, Pascal, C) ... on avait pu y découvrir l'usage des variables globales

Nous reprenons à présent ces mêmes exemples, mais pour y illustrer l'usage des fonctions et des procédures paramétrées ... au lecteur de comparer avec les exemples précédents ...

Cobol

Dans la mesure où ce langage (même dans ses versions récentes) n'offre aucune possibilité de création de (vraie) fonction et que l'usage de procédures paramétrées est assez lourd et complexe, nous en resterons là avec ce langage : les procédures sont natives dans le langage sous forme de 'paragraphes' et l'échange de données s'effectue via les variables globales

```
PROGRAM-ID.
                                 FACTURE.
*** déclaration des données *********
DATA DIVISION.
WORKING-STORAGE SECTION.
 pseudo-constante
77 TVA
                      PIC 9V99 VALUE 0.21.
 variables globales
                      PIC 999.
77 QUANTITE
77 PRIXUNIT
                      PIC 999V99.
77 PRIXHTVA
                      PIC 9999V99.
77 PRIXTVAC
                      PIC 9999V99.
*** sequence principale ***********
PROCEDURE DIVISION.
MAIN SECTION.
    PERFORM SAISIR.
    PERFORM CALCULER.
    PERFORM AFFICHER.
    EXIT PROGRAM.
    STOP RUN.
*** procedures
SAISIR.
    DISPLAY "prix unitaire du produit (en euro) ? ".
    ACCEPT PRIXUNIT.
    DISPLAY "quantité vendue ? ".
    ACCEPT QUANTITE.
CALCULER.
    COMPUTE PRIXHTVA = PRIXUNIT * QUANTITE.
    COMPUTE PRIXTVAC = PRIXHTVA * (1.0 + TVA).
    DISPLAY "prix HTVA : " PRIXHTVA " euro".
    DISPLAY "prix TVAC : " PRIXTVAC " euro".
******
```

IDENTIFICATION DIVISION.

Fortran

Dès les premières versions majeures du langage (Fortran IV, 1962), les concepts de procédure (SUBROUTINE), de fonctions (FUNCTION), de paramètres et de variables globales et locales sont implémentés.

Dans la mesure où les variables globales ne sont accessibles par les procédures et les fonctions qu'à travers une déclaration d'un bloc de données partagé (COMMON), le passage de paramètres offre une souplesse et une formalisation bienvenues : les paramètres sont transmis par copie/valeur à une fonction et par référence/adresse à une procédure : leurs types ne sont pas spécifiés dans la signature, mais redéclarés explicitement

```
PROGRAM FACTURE
c *** déclaration des variables
      INTEGER QUANT
      REAL TVA, PRUNIT, PRHTVA, PRTVAC
c *** programme principal
        TVA = 0.21
        CALL SAISIR(QUANT, PRUNIT)
        CALL CALCULER(QUANT, PRUNIT, TVA, PRHTVA, PRTVAC)
        CALL AFFICHER (PRHTVA, PRTVAC)
       END
c *** procédures et fonctions
      SUBROUTINE SAISIR(Q, PU)
c *** procédure de saisie de la quantité Q et du prix unitaire PU
      INTEGER Q
      REAL PU
        FORMAT('prix unitaire du produit (en euro) ? ')
 11
        FORMAT('quantite vendue ? ')
        FORMAT(I2)
        FORMAT(F5.2)
        WRITE(6,11)
        READ(5,21) Q
        WRITE(6,12)
        READ(5,22) PU
       END
      REAL FUNCTION CALCPRHTVA(Q, PU)
c *** fonction qui calcule et renvoie le prix hors tva ... partir
c *** de la quantité Q et du prix unitaire PU passés comme paramètre
      INTEGER O
      REAL PU
        CALCPRHTVA = Q * PU
        RETURN
       END
      REAL FUNCTION CALCPRTVAC(PRH, T)
c *** fonction qui calcule et renvoie le prix tva comprise ... partir
c *** du prix hors tva PRH et de la tva T passés comme paramètres
      REAL PRH, T
        CALCPRTVAC = PRH * (1 + T)
        RETURN
      SUBROUTINE CALCULER(Q, PU, T, PRH, PRC)
c *** procédure de calcul du prix hors tva PRH et tva comprise PRC
 *** ... partir de la quantité Q, du prix unitaire PU et de la tva T
      INTEGER Q
      REAL PU, T, PRH, PRC
        PRH = CALCPRHTVA(O, PU)
        PRC = CALCPRTVAC(PRH, TVA)
      SUBROUTINE AFFICHER (PRH, PRC)
c *** procédure affichage du prix hors tva PRH et tva comprise PRC
      REAL PRH, PRC
 13
        FORMAT('prix HTVA : ', F6.2,' euro')
        FORMAT('prix TVAC : ', F6.2, 'euro')
        WRITE(6,13) PRH
        WRITE(6,14) PRC
       END
```

Pascal

C'est – faut-il s'en étonner – le langage le plus proche de la philosophie du pseudo-code. Les fonctions sont de 'vraies' fonctions (avec paramètres passés par copie/valeur et ont un statut de variables locales dans le corps de la fonction); les procédures peuvent recevoir les paramètres par copie/valeur (protection garantie) ou par référence/adresse (pour pouvoir modifier les variables blogales)

```
program facture;
uses crt;
const tva = 0.21;
{ *** variables globales ****************************** }
var quantite : integer;
    prix_unitaire, total_ht, total_ttc : real;
{ *** procedures ******************************** }
procedure saisir(var q : integer; var pu : real);
begin
  write('prix unitaire de l''article (en euro) ? ');
  readln(pu);
 write('combien d''articles voulez-vous
                                              ? ');
 readln(q)
end;
function calc_htva(q : integer; pu : real) : real;
begin
 calc_htva := q * pu;
end;
function calc_tvac(htva : real) : real;
  calc_tvac := htva * (1 + tva);
end;
procedure calculer(q : integer; pu : real; var htva, tvac : real);
 htva := calc_htva(q, pu);
  tvac := calc_tvac(htva)
end;
procedure afficher(htva, tvac : real);
begin
  writeln;
 writeln('total ht : ',htva:6:2, ' euro');
 writeln('total ttc : ',tvac:6:2, ' euro')
end;
procedure terminer;
begin
 writeln;
  write('appuyez sur une touche pour continuer ... ');
end;
{ *** sequence principale **************** }
  saisir(quantite, prix_unitaire);
  calculer(quantite, prix_unitaire, total_ht, total_ttc);
  afficher(total_ht, total_ttc);
  terminer
end.
```

<u>C</u>

Il y a une influence certaine du Fortran (et d'autres langages précurseurs) en C. (rédaction parfois en 'sens inverse' : type puis noms des variables, etc ...)

La caractéristique fondamentale du C est de ne proposer qu'un seul outil hybride : la "fonction C" avec laquelle le programmeur rédigera soir de 'vraies' fonctions, soit de 'vraies' procédures, soit des fonctions/procédures (?) ou des procédures/fonctions (?) : une chose est sûre, comme toujours en C (et contrairement au Pascal), c'est au programmeur de faire ses choix (et d'en assumer les conséquences); les paramètres sont toujours passés par copie/valeur et le passage 'par adresse' demande du programmeur d'utiliser des opérateurs spécifiques (et la manipulation des adresses des données : les 'pointeurs', cauchemars des débutants)

```
// librairie
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
                              // librairie
#define TAUXTVA 0.21
                             // constante
// variables globales
int quantiteVendue;
double prixUnitaire, prixHTva, prixTvaC;
// prototypes des fonctions & procedures
void saisir(int*, double*);
double calcHtva(int, double);
double calcTvac(int, double);
void calculer(int, double, double*, double*);
void afficher(double, double);
// séquence principale
int main() {
 saisir(&quantiteVendue, &prixUnitaire);
 calculer(quantiteVendue, prixUnitaire, &prixHTva, &prixTvaC);
 afficher(prixHTva, prixTvaC);
 system("pause");
 return 0;
// procédures & fonction
void saisir(int* q, double* pu) { // procédure
 system("cls");
 printf("prix unitaire du produit (en €) ? ");
 scanf("%lf", pu);
 printf("quantité vendue ? ");
 scanf("%d", q);
double calcHtva(int q, double pu) { // fonction
 return q * pu;
double calcTvac(int q, double pu) { // fonction
 return calcHtva(q, pu) * (1.0 + TAUXTVA);
void calculer(int q, double pu, double* htva, double* tvac) { // procédure
  *htva = calcHtva(q, pu);
  *tvac = calcTvac(q, pu);
void afficher(double htva, double tvac) { // procédure
 printf("prix HTVA : %f €\n", htva);
 printf("prix TVAC : %f €\n", tvac);
```

4.7. EXERCICES

- 1) Écrire une fonction qui prenne en arguments (paramètres) d'entrée deux nombres réels H et R et qui renvoie la surface du cylindre de hauteur H et de rayon R
- 2) Ecrire une fonction qui calcule xⁿ avec comme arguments x et n deux entiers et telle que n est positif ou nul ; intégrez-la dans un algorithme principal qui fasse les validations nécessaires avant l'appel de la fonction
- 3) Le cours de mathématiques introduit le nombre e comme $\lim_{X\to\infty} (1+\frac{1}{X})^X$
 - Écrivez une fonction dont la signature est la suivante : Fonction e(x : Entier) : Réel
 - ° Placez sa définition (et son contenu) au bon endroit au sein d'un algorithme principal
 - ° Invoquez-la en lui passant des valeurs de x telles que 10, 100, 1000 ... (exercice à suivre en Pascal ultérieurement ...)
- 4) On suppose déclarées les procédures, fonctions et variables suivantes :

```
variable x, y, z, t: Entier

Procédure p(x : Logique, ref s : Entier)

Fonction f(s : Logique) : Entier
```

dans ce contexte, quelles sont les instructions invalides parmi celles ci-dessous ?

Précisez pour quelles raisons

```
1. p(vrai, z)

2. z \leftarrow f(z)

3. Si \ p(x, z) = z \ Alors \ p(x, z) \ finSi

4. f(vrai)

5. x \leftarrow f(vrai)

6. p(vrai, 3)

7. p(2, z)

8. p(x, f(z))

9. p(f(x), z)

10. z \leftarrow f(x = 3)

11. x \leftarrow f(x) = 3

12. t \leftarrow f(z = 3)
```

5) On suppose déclarées la procédure et les variables suivantes :

```
Variable x, y, z, t: Entier

Procédure q(x : Entier, ref y : Entier, ref z : Entier)

Début

...

Fin
```

En supposant les variables initialisées par $\{x \leftarrow 1; y \leftarrow 2; z \leftarrow 3\}$ indiquez la valeur de ces variables après chacune des instructions suivantes ? (Dans chacune des sous-questions, on supposera que préalablement on a $\{x \leftarrow 1; y \leftarrow 2; z \leftarrow 3\}$.)

```
1. q(1, y, x)
2. q(2 * x, y, z)
3. q(x + y + z, z, x)
```

6) Écrire une fonction dont la signature est la suivante :

```
Fonction formatDate(j, m, a : Entier) : Texte
```

- ° elle accepte en entrée trois entiers correspondant respectivement au jour, mois et année d'une date (ces données sont supposées correctes)
- elle fournit comme valeur de sortie cette date sous forme d'un texte normalisé sur 10 caractères jj/mm/aaaa
 - p.ex. formatDate(26, 10, 2010) renvoie 26/10/2010
 - p.ex. formatDate(3, 2, 2011) renvoie 03/02/2011
- 7) Modifier ensuite cette fonction pour lui donner la signature suivante :

```
Fonction formatDate(j, m, a : Entier, mode : Caractère) : Texte
```

le paramètre *mode* (1 caractère supposé correct valant soit 'n' soit 'm') précise cette fois la forme du format de sortie :

- si mode = 'n', la fonction formatDate(3, 2, 2011, 'n') renvoie la date sous forme d'un texte normalisé sur 10 caractères jj/mm/aaaa 03/02/2010, comme précédemment
- si mode = 'm', la fonction formatDate(3, 2, 2011, 'm') renvoie la date sous forme d'un texte normalisé sur 11 caractères jj mmm aaaa 03 fev 2010 (trois premières lettres du libellé du mois)

si nécessaire, il est recommandé de décomposer ce problème en procédures et/ou fonctions utiles (une fonction peut évidemment invoquer une autre fonction et/ou une autre procédure ...)

- 8) En vous souvenant des algorithmes que vous avez (auriez ? ©) écrits précédemment sur la détermination des dates (et sachant que le 1^{er} janvier 1900 était un lundi), ajoutez à la fonction formatDate la fonctionnalité suivante :
 - si mode = 't', la fonction formatDate(3, 2, 2011, 't') renvoie la date sous forme d'un texte normalisé sur 15 caractères jjj jj mmm aaaa jeu 03 fev 2010 (trois premières lettres du libellé du jour, trois première lettres du libellé du mois)

cette fois l'écriture de fonctions et/ou procédures supplémentaires est indispensable

9) La fête de Pâques est une fête mobile dont la date est assez difficile à déterminer (prévoir); on appelle "comput ecclésiastique" la(les) formule(s) qui permet(tent) de déterminer la date de Pâques pour une année donnée⁵¹

La date de Pâques correspond au 1er dimanche après la première pleine lune qui suit l'équinoxe de printemps. Soient les données suivantes :

```
a = année modulo 19
```

b = année modulo 4

c = année modulo 7

 $d = (19 * a + 24) \mod 30$

e = (2 * b + 4 * c + 6 * d + 5) modulo 7

Avec ces cinq expressions, on détermine n = 22 + d + e, où **n** est l<u>e nombre de jours à ajouter au 1^{er} mars pour obtenir la date du dimanche de Paques.</u>

Rédigez une fonction qui calcule la date de Pâques à partir de l'année; sa signature est :

```
Fonction dimPaques(an : Entier) : Texte
```

elle fournit comme valeur de sortie cette date sous forme d'un texte normalisé sur 10 caractères jj/mm/aaaa

⁵¹ http://fr.wikipedia.org/wiki/Calcul_de_la_date_de_Pâques

5. Les Données (II)

5.1. LIMITE DES DONNÉES SCALAIRES

Algorithme gestionCotes :

Limiter les possibilités d'utilisation de données par les programmes informatiques aux seules données dites 'scalaires' (Entier, Réel, Caractère, Logique ...) s'est rapidement révélé insuffisant.

En effet, généralement, on souhaite informatiser (=automatiser) des problématiques comportant de vastes ensembles ou 'collections' de données, et ne disposer pour ce faire que de variables scalaires (1 donnée = 1 variable) rend la rédaction de la solution non seulement lourde et pénible, mais à la limite du possible; qu'on en juge par ce tout petit exemple :

on souhaite informatiser la gestion des résultats d'une interrogation à laquelle sont soumis des étudiants (ici seulement 5 pour illustrer le propos et ménager le rédacteur de ces lignes, au lecteur d'imaginer ce qu'il faudrait faire pour un cas réaliste de disons 100 étudiants); on veut pouvoir encoder les cotes, les afficher, mais surtout les trier avant affichage : il faut donc les conserver en mémoire (on les encode toutes, on les trie et on affiche le résultat de ce classement)

on pourrait commencer par déclarer les données comme suit

```
constante cMin = 0.0, cMmax = 20.0
                                                          # pour la validation
   Variable cote1, cote2, cote3, cote4, cote5 : Réel
                                                          # pour 5 étudiants
puis, on écrirait une procédure d'encodage/validation ...
   Procédure encodage :
   Début
     Répéter
       écrire("entrez la cote 1 (", cMin, "..", cMax, ") : ")
       lire(cote1)
     Jusque cotel entre cMin et cMax
     Répéter
       écrire("entrez la cote 2 (", cMin, "..", cMax, ") : ")
       lire(cote2)
     Jusque cote2 entre cMin et cMax
     Répéter
       écrire("entrez la cote 3 (", cMin, "..", cMax, ") : ")
       lire(cote3)
     Jusque cote3 entre cMin et cMax
     Répéter
       écrire("entrez la cote 4 (", cMin, "..", cMax, ") : ")
       lire(cote4)
     Jusque cote4 entre cMin et cMax
     Répéter
       écrire("entrez la cote 5 (", cMin, "..", cMax, ") : ")
       lire(cote5)
     Jusque cote5 entre cMin et cMax
```

on pourrait objecter qu'on a ici volontairement choisi la manière la plus stupide d'écrire cela, et qu'une écriture plus procédurale et plus légère pourrait s'envisager :

```
Procédure encoderNombres :
Début

num ← 1; lireCote; cote1 ← cote

num ← 2; lireCote; cote2 ← cote

num ← 3; lireCote; cote3 ← cote

num ← 4; lireCote; cote4 ← cote

num ← 5; lireCote; cote5 ← cote

Fin
```

de fait ... c'est un peu plus 'automatisé', mais il reste 1 ligne (de 3 instructions) à écrire pour chacune des cotes ... et tant qu'à faire, si l'on cherche la meilleure expression du problème, profitons du chapitre précédent (procédures et fonctions paramétrées) pour écrire plutôt :

```
Algorithme gestionCotes :
constante cMin = 0.0, cMmax = 20.0
                                                         # pour la validation
Variable cote1, cote2, cote3, cote4, cote5 : Réel
                                                         # pour 5 étudiants
Fonction lireCote(n : Entier) : Réel : # saisie et renvoi d'une cote valide
# paramètre d'entrée n : le numéro à spécifier dans l'invite
# valeur de sortie : une cote entre cMin et cMax
Variable cote : Réel
                        # variable locale pour la saisie
Début
  Répéter
    écrire("entrez la cote ", n, " (", cMin, "..", cMax, ") :")
    lire(cote)
  Jusque cote entre cMin et cMax
                                     # ici, cote ok
  renvoie(cote)
                                     # retour au demandeur
Fin
Procédure encoderCotes :
Début
  cote1 ← lireCote(1)
  cote2 \leftarrow lireCote(2)
  cote3 \leftarrow lireCote(3)
  cote4 ← lireCote(4)
  cote5 ← lireCote(5)
Fin
```

... mais toujours une ligne par cote évidemment (mais toute simple : avez-vous remarqué qu'une fonction permet de généraliser l'opérateur d'affectation ?); l'utilisation d'une boucle commence à nous démanger, mais il reste cette partie gauche de l'affectation : des variables scalaires ... portant toutes des noms différents !

passons à la suite : les cinq cotes sont introduites en mémoire, il faut à présent les classer (disons par ordre croissant) avant de pouvoir les afficher ... cette dernière opération pourra s'écrire (ici parce qu'il n'y a que cinq cotes) assez facilement avec une procédure que l'on pourra réutiliser dans l'algorithme principal, une fois avant le classement et une fois après ...

Classer des variables : essayez donc cela à grande échelle (et même ici avec seulement cinq variables)... avec pour seule arme des Si ... Alors ... Sinon ... ! nous allons tricher un tout petit peu et appliquer un principe que l'on retrouvera plus loin lors de l'étude des tris : on va rechercher la plus petite valeur des cinq variables et placer cette valeur (par échange) en première place, puis on fera de même avec les variables 2 à 5, puis avec les variables 3 à 5 ...

```
Procédure trierCotes :
Variable tmp : Réel
                                 # variable locale pour l'échange
Début
  Si cote2 < cote1 Alors
    tmp ← cote1; cote1 ← cote2; cote2 ← tmp finSi
  Si cote3 < cote1 Alors
    \texttt{tmp} \leftarrow \texttt{cote1}; \ \texttt{cote1} \leftarrow \texttt{cote3}; \ \texttt{cote3} \leftarrow \texttt{tmp} \ \texttt{finSi}
  Si cote4 < cote1 Alors
    tmp ← cote1; cote1 ← cote4; cote4 ← tmp finSi
  Si cote5 < cote1 Alors
    tmp ← cote1; cote1 ← cote5; cote5 ← tmp finSi
# ici cote1 contient la plus petite cote des 5
  Si cote3 < cote2 Alors
    tmp ← cote2; cote2 ← cote3; cote3 ← tmp finSi
  Si cote4 < cote2 Alors
    tmp ← cote2; cote2 ← cote4; cote4 ← tmp finSi
  Si cote5 < cote2 Alors
    tmp ← cote2; cote2 ← cote5; cote5 ← tmp finSi
# ici cote2 contient la plus petite cote des 4 restantes
  Si cote4 < cote3 Alors
    tmp ← cote3; cote3 ← cote4; cote4 ← tmp finSi
  Si cote5 < cote3 Alors
    tmp ← cote3; cote3 ← cote5; cote5 ← tmp finSi
# ici cote3 contient la plus petite cote des 3 restantes
  Si cote5 < cote4 Alors
    tmp ← cote4; cote4 ← cote5; cote5 ← tmp finSi
# cote4 contient la plus petite cote des 2 restantes
```

® on était prévenus que ce serait galère ... le seul endroit où l'on peut économiser dans l'écriture, c'est l'échange ... profitons-en pour introduire une procédure paramétrée avec passage des variables par référence : c'est un grand classique que l'on retrouvera plus loin

```
Procédure échangerCotes (ref c1 : Réel, ref c2 : Réel) :

# paramètres d'entrée c1, c2 : les deux variables dont il faut permuter le contenu
# comme elles sont modifiées, elles sont passées par référence

Variable tmp : Réel # variable locale pour l'échange

Début

tmp ← c1; c1 ← c2; c2 ← tmp

Fin

ainsi, "il n'y a plus qu'à" récrire ...

Procédure trierCotes :

Début

Si cote2 < cotel Alors échangerCotes(cotel, cote2) finSi
Si cote3 < cotel Alors échangerCotes(cotel, cote3) finSi
Si cote4 < cotel Alors échangerCotes(cotel, cote4) finSi
Si cote5 < cotel Alors échangerCotes(cotel, cote5) finSi
```

Si cote3 < cote2 Alors échangerCotes(cote2, cote3) finSi Si cote4 < cote2 Alors échangerCotes(cote2, cote4) finSi Si cote5 < cote2 Alors échangerCotes(cote2, cote5) finSi

Si cote4 < cote3 Alors échangerCotes(cote3, cote4) finSi Si cote5 < cote3 Alors échangerCotes(cote3, cote5) finSi

Si cote5 < cote4 Alors échangerCotes(cote4, cote5) finSi

☼ très, très limite tout de même ...

Fin

cote1 contient la plus petite cote des 5

cote2 contient la plus petite cote des 4 restantes

cote3 contient la plus petite cote des 3 restantes

cote4 contient la plus petite cote des 2 restantes

Examinons un autre problème :

on souhaite informatiser la gestion des renseignement signalétiques de diverses personnes (étudiants et enseignants par exemple; ici on se contentera d'une de 'chaque sorte'); parmi ces renseignements figurent les noms et prénoms, les dates de naissance, les adresses (rue, codePostal, Ville), etc ...; les étudiants et les enseignants ont en plus une valeur réelle en commun, mais pour les premiers il s'agit du résultat (pourcentage) sur l'ensemble de l'année, alors que pour les seconds, il s'agit du salaire ...; pour les besoins de l'application, toutes ces informations doivent être encodées et maintenues en mémoire pour un usage ultérieur ...

A nouveau c'est le fait d'être confronté à un (potentiellement) large ensemble de données qui pose problème, tant à la déclaration qu'à l'utilisation de ces données :

on pourrait commencer par déclarer les données comme suit

```
Algorithme gestionPersonnes:

Variable nomEtu, nomProf, prenomEtu, prenomProf, rueEtu, rueProf: Texte codPosEtu, codPosProf: Entier # pas super...

villeEtu, villeProf: Texte jourEtu, jourProf, moisEtu, moisProf, annéeEtu, annéeProf: Entier salaire: Réel; résultat: Réel estEtu, estProf: Logique
```

mais pour encoder les renseignements relatifs à un étudiant (ou à un enseignant), il faut écrire une procédure spécifique : (ni les invites, ni les validations ne sont représentées ci-dessous)

```
Procédure encoderEtu:
Début
  lire(nomEtu); lire(prenomEtu)
  lire(rueEtu); lire(codPosEtu); lire(villeEtu)
  lire(jourEtu); lire(moisEtu); lire(annéeEtu)
  lire(résultat)
  estEtu ← vrai
Fin
Procédure encoderProf :
Début
  lire(nomProf); lire(prenomProf)
  lire(rueProf); lire(codPosProf); lire(villeProf)
  lire(jourProf); lire(moisProf); lire(annéeProf)
  lire(salaire)
  estProf ← vrai
Fin
```

première remarque : on a affaire à un ensemble 'varié' de variables, et on ne doit qu'à la bonne volonté du programmeur (parce qu'il a suffixé ses noms de variables avec Etu ou avec Prof) d'y voir un semblant d'ordre (par contre les variables salaire et résultat n'ont pas d'appartenance a priori)

deuxième remarque : chaque (sous-)ensemble de données est disparate : on y trouve aussi bien des données de type Texte, Entier et Réel et il contient lui-même un (sous-)ensemble : les variables jour..., mois..., année... font évidemment penser à une date (de naissance ou d'autre chose, inscription, prise de fonction ... ce n'est pas précisé), et il faudrait encore préfixer ou suffixer ces noms pour qu'ils deviennent plus explicites quant à leur rôle ...)

Les deux exemples ont présenté les principales difficultés rencontrées avec de larges ensembles de données :

- dans le premier cas, il s'agit de données de même nature (des cotes sous forme de nombres réels) sur lequel on souhaiterait utiliser des boucles, mais on se heurte au nommage des variables ... "ahhh ... si on pouvait écrire une boucle de nommage ... en concaténant un même nom (p.ex. cote) avec la valeur d'un compteur incrémenté à chaque tour de boucle ..."
- dans le second cas, il y a beaucoup de variables, possédant des noms et des types différents, qui constituent en fait des aspects complémentaires d'une même 'entité' (étudiant, enseignant) "ahhh ... si on pouvait exprimer sans devoir utiliser un subterfuge comme le suffixage des noms : lire(le nom d'un prof), écrire(la ville d'un étudiant) ..."
- et puis, bien entendu, il faut imaginer pouvoir combiner les deux problématiques : un ensemble de plusieurs étudiants, un étudiant disposant d'un ensemble de plusieurs cotes, un ensemble d'étudiants disposant chacun d'un ensemble de cotes, etc., etc...

Ceci sonne le glas de l'utilisation des seules variables scalaires en algorithmique et en programmation; il faut disposer (côté données) de quelque chose de 'plus haut niveau' pour pouvoir envisager aller plus loin ... et on se doute bien que (côté algorithmique) il faudra des outils adaptés à ce 'quelque chose')

Ce 'quelque chose', ce sont les "<u>structures de données"</u> qui vont permettre de rassembler <u>sous un même nom</u> unique un <u>ensemble de valeurs</u> (contrairement aux données scalaires qui n'en contiennent jamais qu'une seule)

Dès l'apparition des premiers langages informatiques, deux familles de structures de données ont fait leur apparition : les <u>Tableaux</u> (Fortran, langage 'scientifique', 1953) et les <u>Enregistrements</u> (Cobol, langage 'de gestion', 1959).

Ces structures vont servir de 'constructeurs' de base pour l'organisation et la structure de données plus complexes⁵² et faire littéralement 'exploser' les possibilités offertes aux analystes et programmeurs.

5.2. LA STRUCTURE D'ENREGISTREMENT

a) Premier contact

<u>L'Enregistrement</u> est une structure de données qui offre <u>l'hétérogénéité</u>, ou <u>inhomogénéité</u> (c-à-d qu'il permet de rassembler sous un même nom un ensemble de données, chacune conservant un <u>nom propre</u> et, possédant (éventuellement) un <u>type différent</u>).

Provenant des besoins exprimés durant les années 1960 par le monde de la gestion, très demandeur d'informatisation, les enregistrements annoncent et accompagnent d'ailleurs euxmêmes une autre structure de données utilisée pour assurer la "persistance des données", et en particulier pour le stockage permanent des données sur supports externes : les <u>fichiers</u>⁵³.

On peut percevoir l'Enregistrement comme la réunion <u>au sein d'une seule et même structure</u> d'un <u>ensemble de variables</u> participant <u>chacune</u> à une <u>partie de la description</u> d'une même entité; la structure va permette – une fois encore, c'est toujours le même objectif qui est poursuivi – de 'coller' au plus près au problème posé, d'augmenter le niveau d'abstraction et de fournir au programmeur les outils techniques adaptés.⁵⁴

 $^{^{52}}$ cfr. le cours spécifique consacré aux "Organisations et Structures de Données" au second semestre ...

⁵³ idem

⁵⁴ l'évolution 'naturelle' de la structure d'enregistrement a conduit à la composante 'données' de l'approche 'objet' (classes, instances et propriétés), tandis que dans le même temps, l'évolution de la partie algorithmique (procédures et fonctions) a conduit à la composante 'outils' de cette même approche (méthodes)

Exemple : reprenons notre problématique de gestion de personnes; on peut (re)partir de ce que l'on connaît : les variables scalaires

```
Variable nom, prénom, adresse, ville : Texte codePostal : Entier annéeNaissance, moisNaissance, jourNaissance : Entier
```

... mais rien n'indique a priori (sauf dans la tête de l'informaticien, qui sait, lui, en principe ! et dans les commentaires qu'il aurait la bonté de rédiger) que cet ensemble de variables forme un tout cohérent, relatif en fait à un seul et même sujet : une personne

La structure d'Enregistrement ("Record" en anglais) va permettre de <u>rassembler</u> les multiples et <u>différentes 'facettes'</u> de la description d'une personne <u>dans une structure unique</u>, via la déclaration (provisoire) suivante :

```
Variable personne : Enregistrement

nom : Texte
prénom : Texte
annéeNaissance : Entier
moisNaissance : Entier
jourNaissance : Entier
adresse : Texte
codePostal : Entier
ville : Texte
```

On voit apparaître:

- un <u>nom symbolique</u> (un identificateur donné par le programmeur) pour <u>l'ensemble</u> de la structure (ici personne); ce nom sera également qualifié de <u>nom générique</u> (on y reviendra)
- et comme pour les structures de contrôle <u>deux marqueurs de début et de fin</u> délimitant la déclaration de la composition de l'enregistrement (Enregistrement, finEnr⁵⁵);
- entre ces deux marqueurs, <u>des déclarations nommées de données 'scalaires'</u> pour chaque 'facette' de l'entité décrite (c.-à-d. : un nom et un type scalaire associé); la terminologie officielle pour 'composant' ou 'facette', est <u>'champ'</u> ("field" en anglais)

l'enregistrement est une structure de données hétérogène composée de champs

Mais une telle structure (ici la variable personne) est de trop 'haut niveau' pour être exploitable directement et globalement – comme une variable scalaire; <u>on doit donc oublier</u> définitivement espérer écrire

 une <u>affectation interne globale</u> (en utilisant par exemple les accolades comme délimiteur de liste de composants et en respectant scrupuleusement l'ordre et le type des champs)

```
personne < { "Dupont", "Jean", 1950, 10, 21, "place H. Berger, 5a", 1300, "Wavre" }
```

- une affectation externe globale : lire(personne)
- un affichage global du contenu : écrire(personne)

seuls les champs scalaires d'un enregistrement peuvent faire l'objet d'actions élémentaires telles que l'affectation et les opérations d'entrée/sortie

⁵⁵ en Pascal : record ... end, en C : { ... }

⁵⁶ scalaires, dans un premier temps, mais on va rapidement dépasser cette approche étroite

b) L'OPÉRATEUR D'ACCÈS "POINT" (.)

Une structure d'Enregistrement n'étant pas utilisable globalement, il faut pouvoir manipuler les champs constitutifs; ici, le problème à régler, c'est l'accès à ces champs, ce qui pose un obstacle nouveau :

deux variables scalaires ne peuvent pas porter le même nom; mais si l'on déclare les deux structures ci-dessous, chacune contient des champs scalaires de même nom (ce qui est tout à fait autorisé) et bien entendu des instructions telles que $\underline{\texttt{prénom}} \leftarrow \ldots$, $\underline{\texttt{lire}}(\underline{\texttt{prénom}})$ ou $\underline{\texttt{ecrire}}(\underline{\texttt{prénom}})$ vont poser problème car elles sont ambiguës : le champ $\underline{\texttt{prénom}}$ de quelle structure utiliser ????

```
Variable étudiant : Enregistrement

nom : Texte

prénom : Texte

finEnr
```

• chaque <u>champ</u> d'un enregistrement n'est <u>accessible</u> <u>que par son nom 'complet'</u> depuis l'extérieur (c-à-d depuis le nom générique), vers l'intérieur de la structure (c-à-d jusqu'au champ lui-même), en spécifiant les différents noms rencontrés le long du <u>'chemin'</u> et en les séparant par un point (.):

```
personne.prénom, personne.annéeNaissance, personne.codePostal ...
```

- ce . séparateur est en réalité un <u>opérateur d'accès</u> (en abrégé un <u>accesseur</u>) dont le rôle est d'opérer une résolution de nom non ambiguë (c-à-d. en programmation concrète par un langage : déterminer l'adresse-mémoire du champ)
- à partir de là, on se retrouve en terrain connu, puisque ces <u>champs</u> sont des <u>variables scalaires</u> à part entière et sont donc utilisables comme toute variable :

```
lire(personne.nom)
personne.annéeNaissance ← 1975
écrire(personne.codePostal)
```

les champs d'un enregistrement ne sont accessibles que par leur nom complet, par l'intermédiaire de l'accesseur . appliqué au nom générique de la structure

s'ils sont scalaires, ces champs peuvent faire l'objet d'actions élémentaires telles que l'affectation et les opérations d'entrée/sortie

c) Déclarations

La déclaration de principe d'une structure d'Enregistrement comporte

- ° un nom générique unique, suivi de : ,
- ° suivi d'un marqueur de début de structure (Enregistrement),
- suivie d'une <u>déclaration des différents champs</u> constitutifs, (pour le moment) sous forme de déclarations de variables scalaires
- ° suivie d'un marqueur de fin de structure (finEnr)

```
... nomStructure : Enregistrement
nomChamp1 : typeDuChamp1
nomChamp2 : typeDuChamp2
...# etc ...
finEnr
```

d) Le Mot Enregistrement n'est pas un Identificateur de Type!

Pour être tout à fait rigoureux, l'<u>enregistrement n'est pas</u> à proprement parler <u>un type</u> (au sens des types scalaires rencontrés précédemment : Entier, Réel, Caractère, Logique, Texte ...) mais plutôt un outil 'générateur' (ou 'constructeur') de type (on parle aussi de méta-type); en effet,

• d'abord il n'est pas possible (car dépourvu de sens) de déclarer une variable comme étant simplement de "type Enregistrement" (point-barre!) :

• ensuite, nous l'avons déjà dit, la structure (via son nom générique) ne peut pas faire l'objet d'actions élémentaires⁵⁷

```
# pas d'affectation globale ni externe, ni interne
lire(client)
client ← (345, "Lambert", "rue du Programme", "000-2345256-63")
# pas d'affichage global
égrire(client)
```

mais il est indispensable de passer par les champs, parce que les outils lire(), \leftarrow , écrire() ne savent manipuler que des scalaires :

```
lire(client.nom)
client.numéroCompte ← "000-2345256-63"
écrire(client.adresse)
```

Ceci nous amène évidemment à reconsidérer une fois encore la notion de valeur :

- ° pour les <u>variables scalaires ordinaires</u> pas de problème : leur valeur est le contenu de la 'boîte-mémoire' qui leur est allouée
- ° pour les <u>structures</u>, c'est un peu plus compliqué : on pourrait affirmer que la variable client ci-dessus possède une (et une seule) "valeur" à un moment déterminé : c'est simplement l'ensemble des valeurs prises par ses champs constitutifs, <u>mais</u> les instructions d'action élémentaires ne savent pas manipuler cette "valeur" de manière globale
- pour pouvoir disposer de fonctionnalités vraiment intéressantes sur les stuctures, et en particulier de les manipuler comme des valeurs à part entière, il va à présent falloir <u>reconsidérer la notion de type</u>

© Ch.L. 2008-2014

⁵⁷ les langages (Pascal, C, ...) offrent aujourd'hui la possibilté de déclarer des 'structures initialisées'; on y reviendra au second semestre en Organisation et Structure de Données et en Langage C

e) LES TYPES ABSTRAITS (ADT & API), OUTILS D'ABSTRACTION

Un premier pas vers la compréhension de la notion de 'valeur structurée typée' consiste à considérer la structure d'enregistrement en tant qu'outil d'abstraction au niveau des données :

- dans la vie courante, qu'elle soit privée ou professionnelle, nous sommes confrontés bien plus souvent qu'il n'y paraît à des "donnés structurées" :
 - o pour une entreprise commerciale, les concepts de client, de fournisseur, de produit, de commande sont synonymes de structures (chacun comporte un ensemble de différentes informations, chacune décrivant une 'facette' particulière de la 'chose' représentée) ...
- ° dans un établissement scolaire, il en va de même avec les notions d'étudiant, d'enseignant et de cours ...
- ° un programme de télévision est une 'valeur structurée' (quel jour, quelle heure, quelle chaîne, quelle émission, quelle durée ...); il en va de même pour un module horaire dans une école (quelle classe/groupe, quel jour, quelle période, dans quel local, avec quel prof, pour quelle matière ...)
- o nous disposons de comptes bancaires, de cartes diverses (bancaires, fidélité, clubs ...) possédant chacune une structure spécifique (numéro, échéance, mot de passe, etc ...)
- bien que construites avec les mêmes outils (un nom générique, un nom et un type pour chaque champ) il serait faux de dire que toutes ces structures sont "identiques ou compatibles"! cela a-t-il du sens - et si oui lequel - de comparer un client et un produit ? un étudiant et un cours ? une carte bancaire et un abonnement de train ?

pour en revenir aux variables scalaires élémentaires, on ne peut pas effectuer des opérations (telles que comparer ou additionner, p.ex.) entre des (valeurs) Entier et Texte, entre un Réel et un Logique! etc ... pourquoi? parce qu'ils n'ont pas le même type, pas la même nature! ⁵⁸

on va faire de même avec les structures de données; pour leur donner du sens (en termes de valeurs et d'opérations possibles) on va en faire de nouveaux types, c-à-d on va leur donner une nature précise!

- Pour les différencier des "types scalaires prédéfinis", on va qualifier cette démarche de création de "types-utilisateurs" ou mieux encore de "types de données abstraits" ou ADT (pour une fois, nous conserverons pour l'acronyme la terminologie anglophone Abstract Data Type qui est devenue un standard de fait, malgré les nombreuses tentatives de la littérature française d'utiliser TAD)
 - pourquoi abstraits ? d'une part parce qu'ils sortent tout droit de l'imagination humaine (d'une problématique liée à la nécessité de représenter, de 'modéliser' le monde réel au mieux), d'autre part, parce qu'ils ne sont livrés avec aucun opérateur (quels opérateurs en effet permettraient de manipuler des données de type cours, de type horaire, de type abonnement ?)

un type abstrait de données (ADT) est un type construit sur une structure de données; une variable d'un tel type possède une valeur à part entière

pour concrétiser ses nouveaux types de données, l'informaticien va devoir fabriquer des opérateurs adaptés; avec les seuls outils à sa disposition que sont les procédures et les fonctions (paramétrées), il va rédiger des API (Application Program Interface)

les procédures et les fonctions sont les seuls outils procéduraux qui – grâce aux paramètres typés – peuvent manipuler des variables structurées typées comme des valeurs; elles constitueront l'API spécifiques de l'ADT

⁵⁸ on remarquera cependant que si l'on a des variables scalaires réelles poids et taille, qu'est-ce qui nous empêche de les comparer ou de les additionner ? ... et quel est alors le sens d'une telle opération ? ... et de son résultat ?

Il est grand temps de montrer tout cela concrètement :

ainsi, pour une application de gestion d'établissement scolaire, plutôt que de déclarer séparément les deux (variables-)structures distinctes suivantes :

```
Variable etul : Enregistrement
          matricule : Texte/
                        : Texțé
                  : Texte
          prénom
          annéeNaissance : Entier
          moisNaissance :/Entier
          jourNaissance
                         🔑 Entier
          adresse
                         : Texte
          codePostal
                         : Entier
          ville
                         : Texte
        finEnr
Variable etu2 : Enregistrement
          matricule : Texte nom : Texte prénom : Texte
          amnéeNaissance : Entièr
          moisNaissance : Entier
          jourNaissance : Entier
          adresse : Texte
          codePostal
                        : Entier
          ville
                        : Texte
        finEnr
```

on préférera déclarer (et donc créer) un nouveau type abstrait : un ADT

```
Type TEtudiant = Enregistrement
      matricule : Texte
                    : Texte
      nom
      prénom
                    : Texte
      annéeNaissance : Entier
                    : Entier
      moisNaissance
      jourNaissance
                    : Entier
      adresse
                    : Texte
                    : Entier
      codePostal
                    : Texte
      ville
     finEnr
```

de manière à créer facilement plusieurs variables de ce type (comme on a pu le faire avec les types scalaires prédéfinis) :

```
Variable etu1, etu2 : TEtudiant
```

Qu'est-ce qu'on y gagne ? Tout ! Car désormais, puisqu'elles se réclament d'un type existant les variables etul et etul possèdent une 'vraie' valeur (puisque cette notion est intimement liée au type : seules les données typées possèdent une valeur)

• On récupère d'un seul coup l'affectation (mettre une valeur dans une variable); on pourra donc écrire :

```
etu2 ← etu1  # puisque etu1 possède une valeur typée et que etu1 et etu2 possèdent le même type !
```

 Les procédures et fonctions paramétrées sont les outils avec lesquels le programmaeur va définir les 'opérateurs de haut niveau' pour le nouveau type; par exemple ci-dessous, nous allons écrire une nouvelle 'affectation externe' pour des variables de type TEtudiant (on part de l'idée que si on peut écrire etu2 ← etu1, alors etu1 peut être remplacé par une fonction La rédaction de la fonction ci-dessous est une écriture de principe, nous avons volontairement omis d'y placer les invites nécessaires et les validations indispensables (date, code postal, p.ex.)

```
Fonction lireEtu() : TEtudiant
                                        # fournit une 'valeur' de type étudiant
 Variable etu : TEtudiant
                                        # variable locale de type étudiant
 Début
   lire(etu.matricule)
                                        # lecture des différents champs scalaires
   lire(etu.nom)
   lire(etu.prénom)
   lire(etu.annéeNaissance)
   lire(etu.moisNaissance)
   lire(etu.jourNaissance)
   lire(etu.adresse)
   lire(etu.codePostal)
   lire(etu.ville)
   renvoie(etu)
                                        # fournit la valeur au demandeur
 Fin
mettons tout en place dans un algorithme ...
 Algorithme Etudiants:
 Type TEtudiant = Enregistrement
                                       # ADT étudiant
                   : Texte
       matricule
                     : Texte
       nom
                    : Texte
       prénom
                       : Entier
       annéeNaissance
                            : Entier
       moisNaissance
                        : Entier
        jourNaissance
        adresse : Texte
                   : Entier
        codePostal
       ville
                     : Texte
      finEnr
 Variable etu1, etu2, etu3 : TEtudiant
                                              # variables globales de l'algo
   Fonction lireEtu() : TEtudiant
                                        # API : fournit une 'valeur' étudiant
   Variable etu : TEtudiant
                                        # variable locale de type étudiant
   Début
     lire(etu.matricule)
                                        # lecture des différents champs scalaires
     lire(etu.nom)
     lire(etu.prénom)
     lire(etu.annéeNaissance)
     lire(etu.moisNaissance)
     lire(etu.jourNaissance)
     lire(etu.adresse)
     lire(etu.codePostal)
     lire(etu.ville)
     renvoie(etu)
                                        # fournit la valeur au demandeur
   Fin
 Début
    etu1 ← lireEtu()
                            # affectation externe globale généralisée
    etu2 ← lireEtu()
    etu3 ← etu2
                            # affectation interne globale généralisée
 Fin
```

dans le même ordre d'idée, il suffit de rédiger une procédure écrireEtu(e : TEtudiant) pour disposer d'une procédure globale d'affichage ...

La déclaration d'un nouveau type (utilisateur ou ADT) obéit à la syntaxe suivante :

```
... nomType = définition du type
```

f) STRUCTURES ET SOUS-STRUCTURES ...

La structure d'enregistrement n'est pas limitée à un seul niveau : en fonction de la structure de données nécessaire pour abstraire la partie données d'un algorithme, on peut imbriquer des structures, par exemple :

pour modéliser le type personne, on peut ainsi déclarer ...

```
Type TPersonne = Enregistrement

nom : Texte

prenom : Texte

naissance : Enregistrement

jour : Entier

mois : Entier

année : Entier

finEnr

adresse : Enregistrement

rue : Texte

codePostal : Entier

ville : Texte

finEnr

finEnr

finEnr

Variable etu, prof : TPersonne
```

... mais il est toujours préférable (pour la réutilisabilité potentielle) de jouer 'à fond' la carte du typage abstrait

```
Type TDate = Enregistrement
   jour Fintier
   mois : Entier
   année : Entier
finEnr
Type TAdresse\ = Enregistrement
              : Texte
  rue
   codePostal : Entier
   ville
                Texte
finEnr
Type TPersonne \ = \Enregistrement
  nom 🔭
              : Texte
              : Texte
   prenom
   naissance
                TD'at'e
   adresse
                TAdresse
finEnr
Variable etu, prof : TPersonne
```

Remarques importantes:

attention : <u>les identificateurs de type ne sont utilisés que dans la déclaration</u> (à gauche du symbole = lors de leur 'baptème' ou à droite d'un symbole : lorsqu'ils précisent le type d'un (sous-)composant), <u>lors de l'utilisation c'est toujours le nom concret</u> de la structure qui est utilisé

ainsi, qu'il s'agisse de la déclaration de gauche ou de celle de droite ci-dessus, l'accès aux champs des variables suit la même logique de 'chemin' au moyen de l'accesseur .

```
etu.nom, etu.naissance.mois, etu.adresse.codePostal, ...
prof.naissance.année, prof.adresse.rue, ...
alors qu'il est incorrect (à droite) d'écrire
```

 même si elle paraît plus lourde à première vue, on ne peut que conseiller la version de droite; en multipliant les ADT, on renforce l'idée de 'valeurs' typées (on y voit apparaître comme telles les dates, les adresses ...) confirmée par le fait qu'on écrira des 'petites' API spécialisées (une fonction renvoyant une date validée, une autre renvoyant une date formatée⁵⁹, p.ex.; une fois de plus, ci-dessous, ni les invites ni les validations n'ont été écrites)

⁵⁹ voir les exercices proposés en fin de chapitre ...

g) Sucre syntaxique

Lorsque la structure est complexe et à plusieurs niveaux (mais on peut déjà faire cette réflexion avec un seul niveau), on peut considérer comme 'lourde' l'obligation de spécifier le chemin complet de chaque champ de la structure lors de son utilisation, p.ex. :

```
Type TDate = Enregistrement
  jour : Entier
       : Entier
 mois
 année : Entier
 finEnr
Type TAdresse = Enregistrement
        : Texte
 codePostal : Entier
 ville
          : Texte
finEnr
Type TPersonne = Enregistrement
 nom : Texte
           : Texte
 prénom
 naissance : TDate
 adresse : TAdresse
finEnr
Variable etu, prof : TPersonne
Procédure encoderEtudiant :
Début
  lire(etu.nom)
  lire(etu.prenom)
  lire(etu.naissance.jour)
  lire(etu.naissance.mois)
  lire(etu.naissance.année)
  lire(etu.adresse.rue)
  lire(etu.adresse.codePostal)
  lire(etu.adresse.ville)
Fin
```

c'est la raison pour laquelle il existe (parfois, dans des langages qui proposent la structure d'enregistrement, mais pas toujours 60) un outil algorithmique à caractère structurel : le <u>préfixage</u> ('raccourci de chemin')

```
Procédure encoderEtudiant :
Début
  Avec etu:
                           # préfixera ce qui suit avec etu.
    lire(nom)
                           # (= etu.nom)
    lire(prénom)
    Avec naissance :
                          # préfixera la suite avec naissance. (donc avec etu.naissance.)
      lire(jour)
                           # (= etu.naissance.jour)
      lire(mois)
      lire(année) finAvec
    Avec adresse: # préfixera la suite avec adresse.(donc avec etu.adresse.)
      lire(rue)
                           # (= etu.adresse.rue)
      lire(codePostal)
      lire(ville) finAvec
  finAvec
Fin
```

© Ch1 2008-2014

⁶⁰ c'est le cas en Pascal (avec la clause **with**), mais pas en C par contre ...

Une fois encore, on peut souhaiter (conseiller de) décomposer en unités plus simples, pour la réutilisabilité éventuelle; on écrirait donc plutôt (en utilisant ici les variables globales, plutôt que de passer par des fonctions et/ou procédures ... on tournera donc vite la page ...) :

```
Type TDate = Enregistrement
   jour : Entier
        : Entier
   mois
   année : Entier
  finEnr
 Type TAdresse = Enregistrement
          : Texte
   codePostal : Entier
             : Texte
   ville
  finEnr
 Type TPersonne = Enregistrement
   nom : Texte
             : Texte
   prénom
   naissance : TDate
   adresse
             : TAdresse
 Variable etu, prof : TPersonne
Procédure encoderEtuDate :
Début
  Avec etu.naissance :
                       # préfixera tout ce qui suit avec etu.naissance.
    lire(jour)
    lire(mois)
    lire(année)
  finAvec
Fin
Procédure encoderEtuAdresse :
Début
  Avec et ... adresse :
                         # préfixera tout ce qui suit avec etu.adresse.
    lire(rue)
    lire(codePostal)
    lire(ville)
  finAvec
Procédure encoderEtudiant :
Début
  Avec etu!: 1
                         # préfixera tout ce qui suit avec etu.
    lire(nom)
    lire(prenom)
    encoderEtuDate
    encoder tuAdresse
  finAvec
Fin
encoderEtudiant
```

h) API: PROCÉDURES OU FONCTIONS?

Si l'on regarde attentivement l'exemple de la page précédente et que l'on imagine les déclarations suivantes

```
Type TDate = Enregistrement
  jour : Entier
  mois : Entier
  année : Entier
  finEnr

Type TEtudiant = Enregistrement
  nom : Texte
  prénom : Texte
  naissance : TDate
   ...
  inscription : TDate
  ...
  finEnr

Variable etu1, etu2 : TEtudiant
```

on se rend compte que c'en est fini des procédures et des fonctions qui manipulent directement les variables globales et que désormais, on aura recours à des versions plus abstraites de ces outils, via le passage de paramètres

reste à déterminer – par exemple ici pour l'encodage des dates – si l'on aura recours plutôt à une fonction ou plutôt à une procédure

• la <u>fonction</u> renforce l'idée de valeur (une structure typée possède <u>une</u> valeur) et privilégie l'affectation interne

• la <u>procédure</u> généralisera plutôt l'idée d'<u>affectation externe</u>; sa rédaction est quelque peu plus légère MAIS on devra lui transmettre <u>par référence</u> la structure de données à modifier

```
Procédure lireDate(ref d : TDate) : # paramètre par référence
Début
  lire(d.jour) # lecture des différents champs scalaires
  lire(d.mois)
  lire(d.année)
Fin
...
lireDate(etul.naissance)
lireDate(etu2.inscription)
```

La fonction semble mieux convenir, mais elle possède une limite importante : elle ne sait transmettre qu'une seule valeur; on rencontrera des situations où, parce que plusieurs valeurs sont modifiées 'ensemble', le recours à une procédure peut donc sembler (à première vue) la seule solution possible ... (patience)

i) Concrètement

Fortran

A l'origine (1953), c'est un langage conçu principalement pour les scientifiques ... manifestement ceux-ci n'ont jamais émis le besoin ou le désir de disposer d'une structure de données inhomogène de type Enregistrement ... de sorte qu'une première forme ce ce type de structrure n'y apparaît que dans les versions des années 1990 ... et elle sera remplacée ensuite par l'orientation Objet du langage.

petit exemple : on commence par définir un 'type abstrait' (ici article) composés de 3 champs scalaires

```
STRUCTURE /ARTICLE/
INTEGER REFERENCE
CHARACTER(LEN=200) DESCRIPTION
REAL PRIX
END STRUCTURE
```

puis on déclare des variables de ce 'type'

```
RECORD /ARTICLE/ LIVRE, CAHIER
```

et dans le code, on utilise l'accesseur. (point) pour référencer les champs dans les variables

```
LIVRE.REFERENCE = 2345
LIVRE.DESCRIPTION = "COURS DE FORTRAN"
LIVRE.PRIX = 33.5
```

Cobol

Langage orienté gestion, il possède en natif la structure d'enregistrement, qui se déclare sous forme hiérarchique, à l'aide niveaux numérotés (01 pour la 'racine') avec toutes sortes de possibilités pour pré-initialiser les champs, y associer des états binaires, etc ...

```
01 ETUDIANT.
                        PIC X(8).
  02 MATRICULE
  02 SEXE
                        PIC X.
  02 IDENTITE.
     03 PRENOM
                       PIC X(20).
     03 INITIALE
                       PIC X.
     03 NOM
                        PIC X(35).
  02 NAISSANCE.
     03 DATENAISS.
                       PIC 99.
        04 JOUR
                        PIC 99.
        04 MOIS
        04 ANNEE
                       PIC 9(4).
     03 VILLENAISS
                       PIC X(30)
01 PROFESSEUR.
  02 REFERENCE
                        PIC X(8).
  02 SEXE
                        PIC X.
```

Les champs sont accessibles directement sans accesseur, quelle que soit leur 'position' dans la structure, pour autant qu'il n'y ait pas d'ambiguité (que ce nom soit unique)

```
MOVE 'HE201212' TO MATRICULE.
s'il y a ambiguité, l'accesseur est le mot OF
```

```
MOVE 'M' TO SEXE OF PROFESSEUR.
```

Malheureusement, Cobol n'est pas un langage très 'intello' et il n'y a quasi pas de place pour l'abstraction : pas de type abstrait (donc pas d'ADT), pas de possibilité de fonction avec passage de paramètres (donc pas d'API)

Pascal

Tout en Pascal favorise l'abstraction et l'expressivité : structures de données (record), types abstraits (type), fonctions (function) et procédures (procedure) paramétrées : le couple ADT + API est offert au programmeur

côté ADT, les types abstraits se déclarent d'abord (juste après les constantes) :

```
type TDate = record
  jour : integer;
  mois : integer;
  annee : integer
end;

type TPersonne = record
  nom : string;
  prenom : string;
  naissance : TDate
end;
```

les variables structurées font référence à ces types-utilisateurs :

```
var etu, prof : TPersonne;
```

puis l'API est construite au moyen de fonctions (pour généraliser l'affectation interne) ...

```
function fLireDate() : TDate;
var d : TDate
begin
  with d do begin
    read(jour);
    read(mois);
    read(annee)
  fLireDate \leftarrow d
end;
function fLirePersonne() : TPersonne;
var p : TPersonne;
begin
  with p do begin
    read(nom);
    read(prénom);
    naissance ← fLireDate();
  end;
  fLirePersonne \leftarrow p
end;
```

... ou de procédures (pour généraliser l'affectation externe) :

```
procedure pLireDate(var d : TDate);
begin
  with d do begin
    read(jour);
    read(mois);
    read(annee)
  end
end;

procedure pLirePersonne(var p : TPersonne);
begin
  with p do begin
    read(nom);
    read(prénom);
    pLireDate(naissance)
  end;
```

et dans la séquence principale (programme), les variables peuvent indifféremment être encodées via affectation interne généralisée (par invocation de fonction)

```
begin
    ...
    etu ← fLirePersonne;
    ...
end.
```

ou via affectation externe généralisée (procédure avec passage de paramètre par adress/référence)

```
begin
    ...
    pLirePersonne(prof);
    ...
end.
```

<u>C</u>

comme Pascal, C propose – mais à sa manière - tous les outils d'abstraction et de réutilisation nécessaires à une programmation de haut niveau

typage abstrait (typedef) d'enregistrements (struct) :

```
typedef struct {
   short jour;
   short mois;
   int annee;
} TDate;

typedef struct {
   char nom[35];
   char prenom[20];
   TDate naissance;
} TPersonne;
```

'vraies' fonctions

```
TDate fLireDate(void) {
  TDate d;
  scanf("%d", &d.jour);
  scanf("%d", &d.mois);
  scanf("%d", &d.annee);
  return(d);
}
```

ou 'vraies' procédures avec passage de paramètres par adresse

```
void pLirePersonne(tPersonne* p) {
  scanf("%s", p.nom);
  scanf("%s", p.prenom);
  *p.naissance = fLireDate();
}
```

utilisées dans le programme (fonction) principal main

j) EXERCICES

1) Étant donné le type abstrait TDate défini comme suit :

```
Type TDate = Enregistrement
  jour : Entier
  mois : Entier
  année : Entier
  finEnr
```

rédigez une fonction de saisie (complète, avec invite et validation) dont la signature est

```
Fonction lireDate() : TDate
```

pour la validation, cette fonction devra obligatoirement invoquer une autre fonction (à rédiger également) dont la signature est

```
Fonction dateValide(d : TDate) : Logique
```

2) Pour informatiser la gestion d'un établissement scolaire, on vous demande d'imaginer les structures de données permettant de modéliser les étudiants et les enseignants; vous vous rendez vite compte que ces personnes ont beaucoup de points communs : un nom, un prénom, une date de naissance, un domicile (c-à-d une adresse), un téléphone fixe et un téléphone mobile, une adresse-mail. Cependant, les étudiants possèdent en propre un matricule et une date d'inscription, alors que les enseignants ont une date d'entrée en fonction, une ancienneté (en années), un bureau et un n° de téléphone intérieur.

A l'aide de la structure d'Enregistrement, quel(s) type(s) abstrait(s) allez-vous définir pour modéliser de la manière la plus souple les structures d'étudiant et d'enseignant ?

3) Rédigez un ADT permettant de représenter les informations d'une référence bibliographique : le titre du livre, le nom de l'auteur, le nom de l'éditeur, l'année de publication et le nombre de pages.

Ensuite, rédigez une API pour pouvoir encoder et afficher facilement une telle référence bibliographique

4) Vous participez à l'analyse d'un logiciel de gestion pour une société commerciale; vous découvrez les déclarations suivantes :

```
Variable Client : Enregistrement
 noCli : Entier
                         # numéro de client
 nomCli : Entier
 prénomCli : Entier
 rueAdrCli : Texte
                          # adresse du client
 codeAdrCli : Entier
 villeAdrCli : Texte
 télCli : Texte
 faxCli : Texte
 gsmCli : Texte
finEnr
Variable Fournisseur : Enregistrement
 noFourn : Entier # numéro de fournisseur
 nomFourn : Entier
 prénomFourn : Entier
                          # adresse du fournisseur
 rueAdrFourn : Texte
 noAdrFourn : Texte
 villeAdrFourn : Texte
 télFourn : Texte
 faxFourn : Texte
 gsmFourn : Texte
 noTva : Texte
finEnr
```

```
Variable Commande : Enregistrement
 noComm : Entier
                    # numéro de bon de commande
                          # numéro de fournisseur
 noFourn : Entier
 jourComm : Entier
                           # date de commande
 moisComm : Entier
 annéeComm : Entier
 rueCommLivr : Texte
                           # adresse livraison
 codeCommLivr : Entier
 villeCommLivr : Texte
 jourLivr : Entier
                           # date de livraison
 moisLivr : Entier
 annéeLivr : Entier
                           # adresse facturation
 rueCommFact : Texte
 codeCommFact : Entier
 villeCommFact : Texte
                           # date de facturation
 jourFact : Entier
 moisFact : Entier
 annéeFact : Entier
 montantFact : Réel
                           # montant de la facture
 jourPai : Entier
                           # date de paiement
 moisPai : Entier
 annéePai : Entier
 montantPai : Réel
                           # montant du paiement
finEnr
```

... et on vous précise que la variable Commande sert aussi bien à mémoriser une commande passée à l'entreprise par un client (alors le champ noFourn est vide) qu'une commande passée par l'entreprise à un fournisseur (dans ce cas, c'est le champ noCli qui est vide)

Que pouvez-vous proposer pour rationnaliser tout cela?

5.3. LA STRUCTURE DE TABLEAU

a) Premier contact

Si l'on reprend une problématique évoquée à l'entame de ce chapitre (l'encodage, le classement et l'affichage de cotes), on est cette fois face à un cas où les données sont de même type (toutes les cotes sont de type Réel), mais où l'on sent bien qu'il manque 'quelque chose' du côté des données, qui serait – toutes proportions gardées – l'équivalent de la boucle côté algorithmique afin de pouvoir 'répéter' plusieurs fois une même variable (mais sous un seul et même nom, contrairement à ce qui a été fait, où il a fallu une variable explicite pour chaque donnée)

C'est exactement ce que va nous offrir la <u>structure de Tableau</u>. Elle est présente dès les tout premiers langages de programmation (dès le Fortran, en 1953), tout simplement parce que la mémoire est constituée d'éléments adjacents numérotés et que la fonctionnalité d'adressage d'un bloc de mémoire par 'base et déplacement' – via les registres d'index⁶¹ - a toujours existé dans le jeu d'instruction des processeurs (donc en 'langage machine', puis en assembleur ...)

Le <u>Tableau</u> (<u>array</u> en anglais) est une structure de données composée d'un ensemble d'éléments (appelés parfois cases, cellules, ...).

Dans les langages compilés 'classiques' statiquement typés, (depuis Fortran, en passant par Cobol, Pascal, C, Java ...) <u>tous les éléments</u> d'un tableau doivent être <u>du même type</u>, on dit alors que la structure est homogène. ⁶²

Cette caractéristique essentielle va se retrouver dans la déclaration d'une telle structure, par exemple

```
Variable tablCotes : Tableau ... de Réel

Variable tablPrésences : Tableau ... de Logique

Variable tablNoms : Tableau ... de Texte
```

On voit apparaître (provisoirement):

- un <u>nom symbolique</u> (un identificateur donné par le programmeur) pour <u>l'ensemble</u> de la structure (ici <u>tablCotes</u>, ..., <u>tablNoms</u>); ce nom sera ici également qualifié de <u>nom</u> <u>générique</u> (on y reviendra)
- la spécification du type de chaque élément de cette structure (Réel, ..., Texte); on pourra utiliser la qualification de type générique

```
le tableau est une structure de données homogène composée de cellules de même type
```

Mais ici également, une telle structure (p.ex. la variable tablcotes) est de trop 'haut niveau' pour être exploitable directement et globalement, comme une variable scalaire; on doit donc oublier définitivement espérer écrire

- une affectation interne globale (en utilisant par exemple les accolades comme délimiteur de liste et en respectant scrupuleusement le type des cellules)

```
tablCotes ( 12.0, 11.5, 9.3, 17.0, 18.5, 5.5, 13.5 )
- une affectation externe globale : lire(tablCotes)
- un affichage global du contenu : écrire(tablCotes)
```

seules les cellules scalaires d'un tableau peuvent faire l'objet d'actions élémentaires telles que l'affectation et les opérations d'entrée/sortie

⁶¹ voir le chapitre consacré à "la Mémoire et sa Gestion" dans le cours d'Initiation à l'informatique

⁶² Dans les langages récents (comme Python, Ruby, etc), interprétés, et offrant le typage dynamique, cette restriction a disparu (le présent texte restera cependant très 'classique' en se limitant aux seuls tableaux homogènes).

Se limiter à une déclaration spécifiant un nom générique et un type générique de composants est insuffisant : il faut en effet préciser également le <u>nombre de composants</u> que la structure va comporter (rappelons que les compilateurs des langages statiques doivent réserver de la place en mémoire, d'où la nécessité de cette information "<u>nombre et type de composants</u>")

Complétons donc la syntaxe générale de la déclaration d'un tableau, par exemple

```
Variable tablCotes : Tableau[100] de Réel

Variable tablPrésences : Tableau[25] de Logique

Variable tablNoms : Tableau[30] de Texte
```

On voit donc apparaître (explicitement et finalement) :

- un <u>nom générique</u> pour la structure (comme précédemment)
- la spécification type générique des composants (comme précédemment)
- le <u>nombre de composants</u> placé entre crochets derrière le mot Tableau

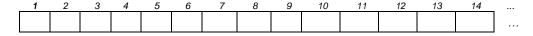
b) L'Opérateur d'Accès []

Comme pour la structure Enregistrement, seules les composants (cellules) d'un Tableau peuvent faire l'objet d'actions élémentaires, mais – contrairement aux champs d'un Enregistrement - elles n'ont pas reçu chacune un nom lors de la déclaration, d'où la question : <u>quel est le nom</u> des cellules ?

au sein d'un Tableau, chaque <u>cellule</u> est <u>repérée</u> par sa <u>position</u>, appelée <u>indice</u>, la première possède l'indice 1 et la dernière un indice égal au nombre d'éléments déclarés

le <u>nom de toute cellule</u> d'un Tableau est obtenu à partir du <u>nom générique</u> spécifié lors de la déclaration <u>et</u> de l'<u>indice</u> de cette cellule via l'opérateur d'accès (<u>l'accesseur</u>) []

<u>contrainte</u> : la valeur de l'indice doit obligatoirement être une valeur entière comprise dans l'intervalle défini implicitement par le nombre d'éléments du Tableau, c-à-d [1 .. nbElem]



Avec la déclaration : Variable tablCotes : Tableau[100] de Réel

la première cellule s'appelle tablCotes[1] la dixième s'appelle tablCotes[10] et la dernière s'appelle tablCotes[100]

On s'empressera dès à présent d'appliquer un des grands principes de programmation étudiés jusqu'ici : l'usage des constantes symboliques (leurs avantages ne sont plus à expliquer ...); on préférera donc écrire :

```
Constante nbElem = 50

Variable tablCotes : Tableau[nbElem] de Réel
```

de la sorte, on pourra appeler (aussi) la dernière cellule tablCotes[nbElem]

En programmation (statique), les tableaux homogènes sont considérés comme des structures de données à « <u>accès direct</u> » : le temps d'accès à un élément par son indice est en effet constant, quel que soit l'élément désiré. Cela s'explique par trois raisons :

- ° les éléments du tableau sont contigus dans l'espace mémoire
- ° via le type générique, on connaît la taille d'un élément (et elle est identique pour tous les éléments)
- ° l'indice n'est qu'un déplacement par rapport au début du tableau : <u>l'adresse</u> de n'importe quel élément en mémoire peut donc être <u>calculée</u> très facilement.

c) Déclarations et Notations

Classiquement, dans la plupart des langages de programmation, on déclare (statiquement, c.-à-d. que ce n'est pas modifiable ensuite, au cours de l'exécution) le <u>type et</u> le <u>nombre</u> d'éléments par une déclaration du genre :

... nomTableau : Tableau[nombreÉléments] de typeDeComposant

```
exemple : Variable tablNoms : Tableau[20] de Texte

Variable tablCotes : Tableau[20] de Réel
```

Il s'agit donc – comme annoncé précédemment - d'une déclaration générique : <u>un seul et même nom</u> pour l'ensemble de la structure (le tableau), <u>un seul et même type</u> pour tous les composants de la structure (les cellules).

De manière quasi universelle, les cellules individuelles sont nommées à partir du nom générique du tableau et de leur position (indice) à l'aide de l'accesseur []:

```
exemple : tablNoms[4] \leftarrow "PIERRARD" # dans la quatrième cellule, mettre ... tablCotes[10] \leftarrow 13.5 # dans la dixième cellule, mettre ...
```

... mais ceci pose un problème, celui de l'indice de départ : selon les langages, le premier élément possède l'indice 0 (C, Java, ...)⁶³, pour d'autres l'indice 1 (Fortran, Cobol, Pascal)⁶⁴

Pour rendre l'apprentissage de la structure de Tableau plus intuitif, nous prendrons ici comme seule et unique convention que la première cellule possède l'indice 1

d) Le Mot Tableau n'est pas un Identificateur de Type!

Faisons ici une remarque capitale semblable à celle énoncée dans le cas de la structure d'Enregistrement : le Tableau n'est pas à proprement parler un type (au sens des types scalaires rencontrés précédemment : Entier, Réel, Caractère, Logique ...) mais plutôt un outil 'générateur' (ou 'constructeur') de type (on parle aussi de meta-type)

• d'abord il n'est pas possible (car dépourvu de sens, du moins pour les langages compilés) de déclarer une variable comme étant simplement de "type Tableau" (point-barre!) :

```
# ceci ne veut rien dire : pas de structure, pas de contenu !
Variable tablCotes : Tableau
# ceci a du sens : un contenu déclaré en termes de composants typés
Variable tablCotes : Tableau[20] de Réel
```

 ensuite, nous l'avons déjà dit, la structure (via son nom générique) ne peut pas faire l'objet d'actions élémentaires

```
# pas d'affectation globale :
# ... ni externe
lire(tablCotes)
# ... ni interne
tablCotes to { 12.5, 6.3, 10.9, 11.2, 13.0, ...}
# pas d'affichage global
écrire(tablCotes)
```

© Ch.L. 2008-2014

⁶³ ce qui se justifie du point de vue de l'implémentation : si l'indice commence à 0, l'adresse de l'élément d'indice i est : adresse de début + i * longueur d'un élément, alors que si l'indice commence à 1, l'adresse de l'élément d'indice i est : adresse de début + (i-1) * longueur d'un élément (on gagne une soustraction lors du calcul d'adresse avec la première méthode)

⁶⁴ en Pascal, les possibilités offertes au programmeur lui permettent d'indicer avec tous les types de données scalaires énumérables (integer, char, boolean) et la déclaration du nombre d'éléments est indirecte à partir de la déclaration de l'intervalle au sein duquel l'indice pourra prendre ses valeurs; voir le cours de Pascal pour plus de détails...

mais il est indispensable de passer par les cellules, parce que les outils lire(), \leftarrow , écrire() ne savent manipuler que des scalaires (et que seules les cellules ont ce statut) :

```
lire(tablCotes[6])
tablCotes[2] ← 15.5
écrire(tablCotes[19])
```

Ceci nous amène évidemment à reconsidérer une fois de plus la <u>notion de valeur</u> :

- ° pour les <u>variables scalaires ordinaires</u> pas de problème : leur valeur est le contenu de la 'boîte-mémoire' qui leur est allouée
- ° pour les Tableaux comme pour les Enregistrements, c'est un peu plus compliqué : on peut affirmer que la variable tablcotes ci-dessus possède une (et une seule) "super-valeur" à un moment déterminé : c'est simplement l'ensemble des valeurs prises par ses cellules, mais les instructions d'action élémentaires ne savent pas manipuler cette "super-valeur" de manière globale
- ° pour pouvoir disposer de fonctionnalités vraiment intéressantes sur les Tableaux, il va à présent falloir <u>considérer les ADT "Tableaux" ainsi que leurs API</u>

On écrira donc

```
Type TtbCotes = Tableau[50] de Réel
```

de manière à créer facilement plusieurs variables de ce type (comme on a pu le faire avec les types scalaires prédéfinis, puis avec les Enregistrement typés) :

```
Variable tblCotes1TL, tblCotes1TM : TtbCotes
```

Mais patience, il y a tellement de choses à découvrir avant cela ...

e) <u>Itérateurs basiques pour un Tableau à une dimension</u>

Restons quelque temps encore avec des structures de Tableau plus 'basiques' ... (non typées) À partir des déclarations suivantes (non optimales du point de vue formel, cfr. plus loin) :

```
Variable tbl : Tableau[10] de Entier # variable-tableau
indice : Entier # indice de position de cellule
```

on va pouvoir – enfin - écrire une boucle qui va parcourir la structure, élément par élément, (p.ex. ci-dessous pour initialiser chaque case du tableau à 0) ...

puisque l'indice qui précise la position de la cellule est une 'valeur entière', toute valeur entière (littérale, constante symbolique, variable, fonction, et même toute expression à valeur entière) est admise pour autant qu'elle respecte la contrainte : valeur entre 1 et nombre déclaré d'éléments

!!!! avant de nous lancer dans cette aventure, une dernière remarque : les Tableaux sont des "tueurs" d'applications : il suffit au programmeur (débutant ou même aguerri) de mal maîtriser les indices pour déborder de la zone-mémoire allouée à la structure avec toutes les conséquences dramatiques que cela implique (depuis une application qui 'plante', ça c'est une bonne chose, à celle qui donne des résulats incorrects et inattendus, c'est franchement le pire cas de figure) !!!

Ces boucles, à présent, on va pouvoir les rédiger de diverses manières :

- avec les boucles tantQue et Répéter
- en initialisant la variable de parcours/positionnement (indice) à 1 (ci-dessous à gauche) ou à 0 (ci-dessous à droite)
- ° remarquer dans toutes ces différentes versions l'écriture spécifique de la condition de continuation/arrêt ainsi que la position de l'instruction d'incrémentation indice ← indice + 1

```
Procédure initialiserla :
Début

indice ← 1
tantQue non (indice > 10)

tbl[indice] ← 0
indice ← indice + 1
finTQ
Fin
```

```
Procédure initialiser2a :

Début

indice ← 1

Répéter

tbl[indice] ← 0

indice ← indice + 1

Jusque indice > 10

Fin
```

```
Procédure initialiser1b :

Début

indice ← 0

tantQue non (indice = 10)

indice ← indice + 1

tbl[indice] ← 0

finTQ

Fin
```

```
Procédure initialiser2b :
Début
indice ← 0
Répéter
indice ← indice + 1
tbl[indice] ← 0
Jusque indice = 10
Fin
```

comme a dit un grand 'savant' de l'informatique⁶⁵ "quatre possibilités pour faire une même chose, c'est sans doute trois de trop !"

on aurait tendance à privilégier les versions 1b et 2b, simplement parce que les conditions d'arrêt/continuation s'expriment de manière naturelle et directe en fonction de l'égalité au nombre d'éléments déclarés (indice = 10)

de toute façon, devoir écrire 5 lignes pour exécuter une seule instruction intéressante $(tbl[indice] \leftarrow 0)$, on peut à juste titre estimer que c'est lourd!

⁶⁵ E. Codd, inventeur du Modèle Relationnel (socle des Bases de Données Relationnelles)

f) L'ITÉRATEUR "POUR"

Pour toutes ces raisons, c-à-d. éviter à chaque programmeur

- d'avoir à choisir un des quatre styles de boucle
- de se tromper dans la ligne d'initialisation, voire de l'oublier!
- ° de mal maîtriser la position de la ligne d'incrémentation de l'indice, voire de l'oublier (on remarquera que c'est la seule qui contribue à rendre vrai l'état : *on est arrivé au bout du tableau*)
- ° de se tromper dans l'expression de la contition d'arrêt/continuation (le danger d'aller *'une case trop loin'* ou *'une case pas assez loin'*)

la structure de Tableau est 'livrée' avec une <u>boucle "fermée"</u> appelée plus spécifiquement <u>itérateur</u> qui 'se charge de tout' ! sa syntaxe est la suivante :

```
Pour indice de valDébut à valFin par p Faire instruction/séquence finPr
```

on se contente d'y spécifier

- ° le <u>nom</u> de la <u>variable</u> qui servira <u>d'indice</u> aux cellules
- ° les <u>bornes</u> (valeurs) inférieure et supérieure d'un <u>intervalle</u> autorisé pour les valeurs de cet indice
- ...et la 'boucle' se charge intégralement du reste : incrémentation de l'indice à chaque itération et gestion de l'arrêt correct de la boucle, les quatre boucles évoquées précédemment sont avantageusement (pour le programmeur) remplacées par celle-ci :

```
Procédure initialiser3 :
Début

Pour indice de 1 à 10 Faire

t[indice] ← 0

finPr

Fin
```

- on n'insiste jamais assez, <u>la boucle Pour est un 'vrai' tantQue</u>, comportant donc et heureusement un principe de précaution (comme la version 1a que nous avons écrite à la page précédente), gérée (en interne) de la manière suivante :
 - la valeur valDébut est affectée à la variable indice
 - la condition indice > valFin est immédiatement évaluée (si elle est vraie, la boucle ne sera pas exécutée, situation que nous rencontrerons plus loin ...)
 - à chaque tour de boucle, l'instruction/séquence est d'abord exécutée, puis (en interne) l'incrémentation de indice est effectuée (indice ← indice + 1); on termine donc bien avec indice > valFin
 - la clause par p permet de spécifier le "pas d'incrémentation"; par défaut, il vaut 1, mais il peut prendre n'importe quelle valeur entière, y compris négative

Ces déclarations et surtout ces procédures sont loin d'être aussi 'élégantes' qu'elles le devraient :

- ° la variable indice est déclarée Entier alors que les seules valeurs autorisées (cfr. le contenu des procédures) est l'intervalle 1 à 11 ou 0 à 10 (selon les procédures)
- il y est fait référence à plusieurs reprises et explicitement aux <u>valeurs</u> (littérales) inférieure et supérieure des indices du tableau, ce qui les rend dépendantes du tableau (elles doivent être réécrites pour chaque tableau particulier et/ou modifiées lorsque les dimensions du tableau changent)
- on va donc exploiter une possibilité offertes sur les types de données scalaires énumérés (Entier, Caractère) : la possibilité de déclarer une variable sur un intervalle

On obtient quelque chose de déjà plus correct ci-dessous, par l'usage de constantes ...

```
Constante bInf = 1, bSup = 10  # bornes utiles
Variable tbl : Tableau[bSup] de Entier # variable-tableau
    indice : bInf-1 .. bSup+1  # indice de position de cellule
```

réécrivons en conséquence les différentes formes d'itérateurs d'initialisation :

```
Procédure initialiser1a:

Début

indice ← bInf

tantQue non (indice > bSup)

t[indice] ← 0

indice ← indice + 1

finTQ

Fin
```

```
Procédure initialiser2a:
Début
indice ← bInf
Répéter
t[indice] ← 0
indice ← indice + 1
Jusque indice > bSup
Fin
```

```
Procédure initialiser1b :

Début

indice ← bInf - 1

tantQue non (indice = bSup)

indice ← indice + 1

t[indice] ← 0

finTQ

Fin
```

```
Procédure initialiser2b :

Début

indice ← bInf - 1

Répéter

indice ← indice + 1

t[indice] ← 0

Jusque indice = bSup

Fin
```

idem avec l'itérateur « fermé » Pour

```
Procédure initialiser3 :

Début

Pour indice de bInf à bSup Faire

t[indice] ← 0

finPr

Fin
```

Ces itérateurs basiques peuvent être utilisés pour l'initialisation d'un tableau comme ci-dessus, mais également pour son chargement (depuis le clavier, un fichier ...) ou pour son affichage (à l'écran ou sur listing), ou encore pour toute opération de modification de (tout) son contenu ... il suffit simplement de remplacer l'instruction d'initialisation $t[indice] \leftarrow 0$ par l'instruction (ou la séquence d'instructions) nécessaire, p.ex. :

° charger (une cellule) du tableau depuis le clavier :

```
écrire("introduire l'élément d'indice ", indice)
lire(t[indice])
```

° afficher le contenu (d'une cellule) du tableau :

```
écrire("l'élément d'indice ", indice, " est ", t[indice])
```

° modifier le contenu (d'une cellule) du tableau (tout multiplier par 1.06, p.ex. ... des prix tvaC)

```
t[indice] \leftarrow t[indice] * 1.06
```

exploiter le contenu (d'une cellule) du tableau

```
variable ← (t[indice] * sin(t[indice - 1])
```

Autre exemple faisant appel à un itérateur basique : on effectue en laboratoire une série de 10 mesures de tensions (entre 0 et 220V) au moyen d'un voltmètre ; on désire connaître la plus grande mesure, la plus petite ainsi que la moyenne des mesures (version très procédurale)

```
Algorithme mesurerTensions :
Constante bInf = 1, bSup = 10
                                                      # bornes
Variable t : Tableau[bSup] de Réel
                                                      # tableau
         mesureMin, mesureMax, mesureMoy : Réel
                                                     # résultats
 Procédure ajouterMesure(ind : Entier) :
                                               # paramètre = indice courant
                          🥀 👫 variable locale pour la saisie/validation
 Variable mesure : Réel
 Début
   Répéter
      écrire("mesure n° ", indice, " (0 à 220V) : ")
      lire(mesure)
   Jusque mesure entre 0,0 et 220.0
                                         # boucle de validation
   t[ind] \leftarrow mesure
                                  # valide, enregistrer dans le tableau
 Procédure chargerTableau :
 Variable indice : Entier
                                  # variable locale pour itérer le tableau
 Début
   Pour indice de bInf'à bSup Faire
     ajouterMesure(indice)
                                  # !! invocation avec passage de paramètre
   finPr
 Fin
 Procédure afficherTableau :
 Variable indice : Entier
                                  # variable locale pour itérer le tableau
 Début
   Pour indice de bInf à bSup Faire
      écrire("mesure n° ", indice, " est : ", t[indice])
   finPr
 Fin
 Procédure calculerRésultats :
 Variable indice : Entier
                                         # variable locale pour itérer le tableau
           sommeMesures : Réel
                                         # variable locale pour calculer moyenne
 Début
   sommeMesures \leftarrow 0.0
   mesureMin \leftarrow t[bInf]
                                               # initialisation du minimum
   mesureMax \leftarrow t[bInf]
                                               # initialisation du maximum
   Pour indice de bInf + 1 à bSup Faire
                                               # remarquer l'indice de départ !
     Si t[indice] < mesureMin Alors mesureMin ← t[indice] finSi
      Si t[indice] > mesureMax Alors mesureMax ← t[indice] finSi
      sommeMesures ← sommeMesures + t[indice]
   finPr
   mesureMoy \leftarrow sommeMesures / (bSup - bInf + 1) # nombre d'éléments
 Procédure afficherRésultats :
 Début
   afficherTableau
   écrire("nombre de mesures : ", bSup - bInf + 1)
   écrire("mesure minimale : ", mesureMin)
   écrire("mesure maximale : ", mesureMax)
   écrire("mesure moyenne : ", mesureMoy)
 Fin
Début
  chargerTableau
  calculerRésultats
  afficherRésultats
Fin.
```

Remarque : les versions avec d'autres types de boucles sont laissées au lecteur ; l'écriture ci-dessus illustre des itérateurs (en en utilisant beaucoup, à but pédagogique); mais il est possible de simplifier cet algorithme, et en particulier de déterminer les mesures min et max 'au vol', au fur et à mesure de la saisie (alternative laissée au lecteur comme exercice)

g) ITÉRATEURS POUR LA VALIDATION/VÉRIFICATION D'UN TABLEAU

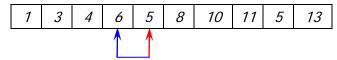
On ne saurait pas dresser ici la liste complète des types de vérifications de contenu d'un tableau (cela ne se limite pas à la simple validité de chaque élément, cela dépendra de chaque cas d'espèce posé par le problème dont la solution nécessite l'usage d'un tableau) ...

Abordons la problématique d'une validation plus globale (sur l'ensemble des éléments du tableau les uns par rapport aux autres, donc), ce que l'on pourrait désigner par « vérification d'ordonnancement de tableau ».

Pour rappel : une relation d'ordre est basée sur la comparaison, c.-à-d. sur les opérateurs = , < , > , \leq , \neq (dont l'utilisation renvoie on s'en souviendra une valeur de type Logique : vrai ou faux).

Le tri (croissant ou décroissant) n'est donc qu'un ordonnancement particulier, basé sur les seuls opérateurs > (tri croissant) ou < (tri décroissant); nous élargirons ici cette notion simpl(ist)e, mais d'un très large usage, à tout type d'ordre (p.ex., un problème pourrait exiger que les éléments d'un tableau respectent la contrainte : à part les deux premiers, tout élément doit être la somme de tous ceux qui le précèdent)

Exemple simple : vérification d'un simple ordre croissant entre les éléments



Le principe d'une telle vérification est le suivant : il suffit – en le parcourant - de trouver (au moins) un couple d'éléments consécutifs du tableau ne respectant pas la relation d'ordre pour conclure au non respect de cette relation sur tableau ; si on atteint la borne supérieure du tableau sans avoir rencontré un tel couple, on peut conclure au respect de la relation pour l'ensemble du tableau.

```
Algorithme verifierOrdreBasique :
Constante bInf = 1, bSup = 10
Variable t : Tableau[bSup] de Entier
         estOrdonné : Logique
 <u>Procédure</u> chargerTableau :
 Variable indice : bInf .. bSup
   Pour indice de bInf à bSup Faire
     lire(t[indice])
   finPr
 Fin
 Procédure vérifierOrdreBasique :
 Variable indice : bInf .. bSup
 Début
   estOrdonné ← vrai
                                            # soyons optimistes
                                            # s'arrêter à temps ! 66
   Pour indice de bInf à bSup - 1 Faire
     Si t[indice] > t[indice + 1] Alors estOrdonné ← faux finSi
 Fin
Début
  chargerTableau
  vérifierOrdreBasique
  Si estOrdonné Alors écrire("ordonné") Sinon écrire("non ordonné") finSi
Fin
```

<u>L'inconvénient</u> de cette écriture, c'est qu'elle utilise <u>l'itérateur "fermé"</u> qui oblige de parcourir systématiquement tout le tableau depuis bInf jusque bSup; il est un peu ridicule (et cher en performance) de continuer systématiquement l'exploration du tableau dès lors que l'on a rencontré un couple d'éléments consécutifs ne respectant pas la relation d'ordre (il suffit d'imaginer un tableau de un million d'éléments dont les deux premiers ne sont pas ordonnés !).

⁶⁶ alternative : Pour indice de bInf + 1 à bSup Si t[indice] < t[indice - 1] Alors ...

Améliorons l'algorithme en arrêtant l'itérateur dès que la relation d'ordre n'est pas respectée; pour cela, il faut abandonner l'itérateur "fermé" et se rabattre sur les 'bonnes vieilles' boucles : elles permettent en effet d'ajouter la variable logique dans la condition d'arrêt (avec le Tableau, on rencontre un ensemble de problèmes présentant <u>deux conditions</u> d'arrêt : ici on utilisera une boucle 'répéter'; le lecteur est prié de refaire le même travail mais avec une boucle 'tantQue' et donc une condition 'de continuation') :

```
Constante bInf = 1, bSup = 10
Variable t : Tableau[bSup] de Entier
         estOrdonné : Logique
Procédure chargerTableau :
Début
        # remplir le tableau, peu importe
Fin
Procédure vérifierTableauAvancé
Variable indice : bInf .. bSup
Début
  estOrdonné ← vrai
                                               # soyons optimistes
  indice \leftarrow bInf
  Répéter
    Si t[indice] > t[indice + 1] Alors estOrdonné ← faux finSi
    indice \leftarrow indice \leftarrow 1
  Jusque (indice > bSup)ou (non estOrdonne)
                                              # itérateur avec interruption
Fin
Début
  chargerTableau
  vérifierTableauAvancé
  Si estOrdonné Alors écrire('ordonné') Sinon écrire('non ordonné') finSi
Fin.
```

Faisons un bref retour sur l'itérateur "fermé" (boucle 'Pour' ...); a priori, il n'existe que la version chère du parcours complet ...

... mais à y regarder de plus près, comme l'indice n'atteindra pas la borne supérieure bSup (on a en effet écrit Pour indice de bInf à bSup - 1), on peut donc utiliser cette particularité pour forcer l'indice à la valeur bSup lorsqu'on rencontre un couple d'éléments consécutifs non ordonnés.

La boucle, ayant à ce moment un indice dont la valeur (bSup) est supérieure à sa valeur maximale (bSup – 1), est forcée de s'arrêter!

A remarquer également que la variable logique n'est dès lors plus nécessaire et doit être remplacée par un test sur l'indice (en sortie de boucle) :

```
Procédure Début
Pour indice de bInf à bSup - 1 Faire # attention : bSup - 1 !!
Si t[indice] > t[indice + 1] Alors indice ← bSup finSi # forçage finPr
Fin
...
Début
chargerTableau
verifierTableauPour2
Si indice = bSup
Alors écrire("non ordonné") Sinon écrire("ordonné") finSi
Fin.
```

Toute méthode présente des inconvénients : on le verra plus loin, il est souvent intéressant de connaître l'indice du tableau sur lequel l'itérateur s'est arrêté ; la méthode ci-dessus détruit cet indice (en le forçant à bSup pour pouvoir s'arrêter) !

Aussi certains concepteurs de langages proposant la boucle 'Pour' (sous une forme ou une autre...) se sentent-ils obligés de doter celle-ci d'une instruction de 'sortie forcée' (du genre stopperPour, quitterPour, stopperBoucle, quitterBoucle, ... équivalent 🖰 d'un « GoTo à l'instruction suivant la fin de la boucle »)

Exemple ci-dessous (bien entendu, la variable logique doit faire sa réapparition ...)

```
Procédure verifierTableauPour3 :

Début

estOrdonné ← vrai  # soyons optimistes

Pour indice de bInf à bSup - 1 Faire  # attention : bSup - 1 !!

Si t[indice] > t[indice + 1] Alors

estOrdonné ← faux

quitterPour  # sortie forcée, un vrai crime contre l'algorithmique ! ※
finSi
finPr

Fin
```

⊗ voilà, on l'a montré; maintenant on l'oublie à tout jamais ! ⊗ 67

h) Type Tableau abstrait: ADT & API

Pour pouvoir rédiger les outils procéduraux (API) permettant de considérer qu'une structure de Tableau est une valeur sur laquelle on pourra effectuer des opérations globalement, il faut lui conférer un statut de type abstrait,

par exemple pour le problème de gestion de cotes, on crée un nouveau <u>type abstrait</u> (un ADT) comme suit :

```
Constante nbCotes = 50
Type TtbCotes = Tableau[nbCotes] de Réel
```

de la sorte, on peut créer facilement plusieurs variables de ce type (comme on a pu le faire avec les types scalaires prédéfinis et les ADT Enregistrement) :

```
Variable tbCotes1TL, tbCotes1TM : TtbCotes
```

Une fois de plus, le gain est significatif : désormais, puisqu'elles se réclament d'un type existant, des variables telles que tbCotes1TL et tbCotes1TM possèdent une 'vraie' valeur

on récupère d'un seul coup l'affectation globale et on pourra donc écrire :

```
variable tbCotes : TtbCotes ... tbCotes1TL \leftarrow tbCotes  # parce qu'elles possèdent le même type !
```

les opérateurs de 'haut niveau' API pourront être rédigés à l'aide des procédures et fonctions paramétrées (les paramètres et les valeurs de retour de fonctions <u>doivent</u> toujours être typés !); par exemple ci-dessous, nous allons écrire une nouvelle 'affectation externe' pour des variables de type <u>TtbCotes</u> (on part de l'idée que si on peut écrire tbCotes1TL

tbCotes, alors tbCotes peut être remplacée par une fonction

⁶⁷ la simple honnêteté intellectuelle nous oblige à mentionner que dans un langage de programmation tel que le C, l'usage du forçage de boucle (au moyen de l'instruction break) est considéré comme un bon style de programmation ! ce n'est pas le cas ni en Pascal ni en algorithmique pseudo-code où il est considéré comme non structuré

```
Algorithme Cotations :
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50
Type TtbCotes = Tableau[nbCotes] de Réel
Variable tbCotes1TL, tbCotes1TM : TtbCotes
                                                # variables globales de l'algo
 Fonction coteValide(c : Réel) : Logique :
 Début
   renvoie(c entre coteMin et coteMax) # comparaison : résultat = vrai/faux
 Fin
 Fonction lireCote() : Réel :
                                    # fournit une cote validée
 Variable c : Réel
 Début
   Répéter
                1 1
     lire(c)
                                     # invite non illustrée
   Jusque coteVallide(c)
                                     # mais avec validation
 Fonction lireCotes(): TtbCotes: # API: une 'valeur' tableau de cotes
 Variable tb : TtbCotes
                                     # variable locale de type tableau de cotes
          indice : Entier
                                     # variable locale itérateur
 Début
   Pour indice de 1 à nbCotes Faire
     tb[indice] ← lireCote()
                                    # encoder chaque cote à son tour ....
   finPr
   renvoie(tb)
                                     # fournit la valeur au demandeur
 Fin
Début # séquence principale
  tbCotes1TL ← lireCotes()
                               # affectation interne globale généralisée
Fin
```

Une fois de plus, on est confronté à un dilemme : lors de la rédaction d'une API, comment choisir entre les fonctions paramétrées et les procédures paramétrées ? ...

Dès lors qu'il s'agit de traiter une seule valeur-structure (comme ici un tableau de cotes), on peut opter pour

• une <u>généralisation de l'affectation interne</u> au moyen d'une <u>fonction</u> (qui figurera à droite du symbole d'affectation)

```
Algorithme Cotations :
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50
Type TtbCotes = Tableau[nbCotes] de Réel
Variable tbCotes1TL, tbCotes1TM: TtbCotes # variables globales de l'algo
   Fonction lireCotes() : TtbCotes :
                                         # renvoie un tableau de cotes
   Variable tb : TtbCotes
                                           # variable locale tableau de cotes
            indice : Entier
                                           # variable locale itérateur
   Début
     Pour indice de 1 à nbCotes Faire
                                           # ni invite, ni validation
       lire(tb[indice])
                                           # encoder chaque cote à son tour...
     finPr
     renvoie(tb)
                                           # fournit la valeur au demandeur
   Fin
Début
   tbCotes1TL ← lireCotes() # affectation interne globale généralisée
   tbCotes1TM ← lireCotes()
Fin
```

une <u>généralisation de l'affectation externe</u> (de la procédure lire()) au moyen d'une <u>procédure paramétrée</u>, MAIS la structure de tableau 'à lire' doit être passée 'par référence' (puisque son état sera modifié)

```
Algorithme Cotations :
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50
Type TtbCotes = Tableau[nbCotes] de Réel
Variable tbCotes1TL, tbCotes1TM : TtbCotes
                                                 # variables globales de l'algo
   Procédure lireCotes(ref tb : TtbCotes) :
                                                 # modifie un tableau de cotes
   Variable indice : Entier
                                                 # variable locale itérateur
   Début
     Pour indice de 1 à nbCotes Faire
                                           # ni invite, ni validation
       lire(tb[indice])
                                           # encoder chaque cote à son tour...
     finPr
   Fin
Début
   lireCotes(tbCotes1TL)
                              # affectation externe globale généralisée
   lireCotes(tbCotes1TM)
Fin
```

i) TAILLE PHYSIQUE ET TAILLE LOGIQUE D'UN TABLEAU PARTIEL

Il serait faux de croire que les tableaux déclarés dans les programmes informatiques sont toujours utilisés « à pleine charge » (c.-à-d. que toutes leurs cases sont occupées).

Le plus souvent il n'en est rien ; on fait une déclaration de tableau dont la taille est 'confortable' vis-à-vis du problème posé ; en d'autres termes, on déclare souvent 'plus grand', de manière à avoir une marge de sécurité ... si on prévoit d'enregistrer environ une centaine de mesures, on déclarera un tableau de – disons – 120 éléments (de là à déclarer systématiquement le 'plus grand' tableau possible – toute la mémoire disponible - il y a de la marge !)

Il y aura donc des cases inutilisées et la question est évidemment de savoir faire la différence entres les cases 'utiles' et les cases 'inutiles' ...

3	5	12	0	23	2	-8	3	21	-5	9	99	
---	---	----	---	----	---	----	---	----	----	---	----	--

Une solution simple et élégante est utilisée depuis toujours :

- une constante définit le nombre maximum d'éléments du tableau : nous la qualifierons de <u>taille physique</u> et elle est utilisée lors de la déclaration pour réserver l'espace du tableau en mémoire et comme valeur d'indice à ne jamais dépasser lors du chargement
- on remplit et on exploite la partie inférieure (d'indices faibles, à partir de 1) du tableau (le tableau devient ainsi du point de vue algorithmique un tableau partiel)
- et on conserve et on gére soigneusement par une variable supplémentaire la plus haute valeur de l'indice atteinte lors du chargement; nous la qualifierons de taille logique



La taille physique correspondra donc à la constante PSup, et la taille logique à la variable LSup, comme suit :

```
Constante PSup = 20 # définition de la taille physique du tableau

Type TtbMesures = Tableau[PSup] de Entier # type Tableau de mesures

Variable tbM : TtbMesures # variable tableau de mesures

LSup : Entier # variable indiquant la taille logique
```

Comment charger un tableau partiel? Deux cas sont possibles:

1) on connaît le nombre d'éléments à l'avance (p.ex. avant d'effectuer les mesures, décider de leur nombre); on peut donc affecter directement la variable LSup et écrire une boucle de chargement 'fermée' ayant LSup comme borne supérieure :

```
Procédure chargerTableau(ref t : TtbMesures, ref b : Entier) :
 Variable indice : Entier
                                     # indice d'itérateur
 Début
   lire(b)
                                     # lire le nombre d'éléments à charger
   Si b <= PSup Alors
                                     # prudengé quand même !!
                                     # boucle fermée ...
      Pour indice de 1 à b Faire
        lire(t[indice])
                                      # lecture simple et affectation directe
      finPr
   Sinon
     # traitement d'erreu
   finSi
 Fin
Début # séquence principale
  chargerTableau(tbM, LSup)
                               # chargement par procédure paramétrée
Fin
```

2) le nombre d'éléments n'est déterminé qu'au fur et à mesure du chargement (on encode au fur et à mesure qu'on effectue les mesures ... tant qu'il y en a ...)

Plus question d'itérateur fermé, cette fois; il faut revenir aux boucles traditionnelles, avec une préférence pour un tantQue, seul à même de ne pas charger le tableau du tout ! (on imagine ici un encodage avec une invite du genre "mesure (-9999 = stop):")

```
Procédure chargerTableau(ref t: TtbMesures, ref b: Entier):
                           # variable locale pour l'encodage
 Variable m : Réel
           fini : Logique
                                # état de l'encodage
 Début
   b ← 0
                           # au départ le tableau est vide !

écrire("mesure (-9999 = stop) : ")

    fini \leftarrow (m = -9999)
                                # arrêt utilisateur
    tantQue non fini Faire
                                 # si on continue ...
      \mathbf{b} \leftarrow \mathbf{b} + 1
                                 # définir la nouvelle borne supérieure logique
      t[b] \leftarrow m
                                # ... et y placer la valeur lue
      \texttt{fini} \leftarrow (\texttt{b} = \texttt{PSup}) \qquad \textit{\# arrêt 'interne' (tableau physique rempli)}
      Si non fini Alors

écrire("mesure (-9999 = stop) : ")

        lire(m)
                                       # mesure suivante
        fini ← (m = -9999)
                                      # arrêt utilisateur
      finSi
    finTQ
 Fin
Début # séquence principale
  chargerTableau(tbM, LSup) # chargement par procédure paramétrée
Fin
```

Conseil rédactionnel : il est à conseiller de passer par une variable locale d'encodage (et de ne pas encoder directement dans le tableau); en effet , l'écriture suivante est particulièrement lourde et dangereuse (on oublie trop facilement quelque chose ...)

```
Procédure chargerTableau(ref t : TtbMesures, ref b : Entier) :
Variable fini : Logique # état de l'encodage
Début
  b ← 1
                       # il faut pouvoir accéder à la première cellule !

écrire("mesure (-9999 = stop) : ")

  lire(t[b]) # lire t[1] donc ...
  fini \leftarrow (t[b] = -9999) # arrêt utilisateur
  tantQue non fini Faire
                             # si on continue ...
    \mathbf{b} \leftarrow \mathbf{b} + 1
                             # définir la nouvelle borne supérieure logique
    fini ← (b > PSup) # arrêt 'interne' (tableau physique rempli)
    Si non fini Alors
      écrire("mesure (-9999 = stop) : ")
      lire(t[b])
                                   # mesure suivante
      fini \leftarrow (t[b] = -9999)
                                    # arrêt utilisateur
    finSi
  finTQ
  b \leftarrow b - 1
                      # ne pas oublier de décrémenter !!!
```

Bien entendu, on peut être moins prudent et considérer que l'utilisateur encodera au moins une mesure, une logique d'encodage basée sur un Répéter ... Jusque ... est dès lors possible; mais elle est laissée aux boins soins du lecteur à tritre d'exercice ...

Pourquoi avoir eu recours à des procédures et non à des fonctions ? parce que cette fois deux valeurs sont modifiées : la variable-tableau et la variable-taille (seule une procédure peut modifier plusieurs variables qui lui sont transmises alors par référence) ... patience ...

j) <u>ITÉRATEURS (BOUCLES) IMBRIQUÉS</u>

Dans pas mal d'algorithmes, on est amenés à parcourir simultanément un tableau avec deux itérateurs distincts; cela ne pose pas plus de problème que d'imbriquer deux boucles dans les algorithmes généraux, à ceci près qu'il faut correctement définir les bornes supérieure et inférieure de chaque itérateur (habituellement celles du plus 'intérieur' dépendent fortement de celles du plus 'extérieur')

Exemple : vérifier un ordonnancement particulier d'un tableau : chaque élément (à partir du deuxième) doit être strictement supérieur à la somme de tous ceux qui le précèdent :



```
Algorithme vérifierOrdreTableau
                                  # définition de la <u>taille physique</u> du tableau
Constante PSup = 20
Type TtbNombres = Tableau[PSup] de Entier
                                              # type Tableau de entiers
Variable tbN : TtbNombres # variable tableau de nombres
         LSup : Entier
                                  # variable indiquant la taille logique
         ordonné : Logique
                                  # variable globale : état du tableau
   Procédure chargerTableau(ref t : TtbNombres, ref b : Entier) :
   Début
   Fin # ici le tableau est (partiellement) chargé et LSup donne sa taille réelle
   Procédure validerTableau(t : TtbNombres, b : Entier) :
                                                                  # par ref !!
   Variable ind1, ind2 : Entier
                                    # variables locales pour itération
            somme : Entier
                                        # variable locale pour vérification
   Début
     ordonné ← vrai # soyons optimistes !
     tantQue estOrdonné et non (ind1 > b) # itérateur "extérieur"
       somme \leftarrow 0.0
                                          # initialiser
       Pour ind2 de 1 à ind1 - 1 Faire # itérateur "intérieur", ok pour un Pour
         somme \leftarrow somme + t[ind2]
                                          # totaliser
                                          # somme des éléments avant élément courant
       ordonné ← (t[ind1] > somme)
                                        # réévaluer condition d'arrêt
       ind1 \leftarrow ind1 + 1
                                          # élément courant = suivant !
     finTO
   Fin
Début
  chargerTableau(tbN, Lsup)
                                  # transmis par référence : modification
  validerTableau(tbN, Lsup)
                                  # transmis par valeur : pas touche au contenu !
  Si ordonné Alors écrire('ok') Sinon écrire ('ko') finSi
Fin
```

Remarques: une fois de plus,

- ° l'écriture des versions alternatives (et plus élégantes peut-être du point de vue algorithmique formel) avec d'autres types de boucles est laissée aux bons soins du lecteur ...
- la version ci-dessus utilise deux itérateurs pour les besoins de la description de l'imbrication de boucles, mais il est possible d'écrire un algorithme équivalent avec un seul itérateur ... à vous de jouer ...

k) Tableaux couplés exploités "en parallèle"

Pour introduire la suite, examinons une variation sur le thème de la *gestion de cotes* évoqué précédemment : on ajoute au besoin de mémoriser les cotes dans un tableau la nécessité d'associer à chacune le nom de l'étudiant; on doit donc déclarer deux (types) de tableaux :

```
Algorithme Cotations :
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50
Type TtbCotes = Tableau[nbCotes] de Réel
                                             # pour les cotes
Type TtbNoms = Tableau[nbCotes] de Texte
                                             # pour les noms
Variable tbCotes1TL, tbCotes1TM : TtbCotes
         tbNoms1TL, tbNoms1TM : TtbNoms
                                             # variables globales de l'algo
 Fonction coteValide(c : Réel) : Logique :
   renvoie(c entre coteMin et coteMax)
                                             # comparaison : résultat = vrai/faux
 Fin
 Procédure lireCote(ref tC : TtbCotes, ref tN : TtbNoms, i : Entier) :
 # lit et mémorise le ième couple nom + cote
 Variable c : Réel, n : Texte
                                       # cote et nom pour la saisie
 Début
   lire(n)
                                       # lecture nom (invite non illustrée)
   Répéter
      lire(c)
                                       # lecture cote (invite non illustrée)
   Jusque coteValide(c)
                                       # mais avec validation
   tN[i] \leftarrow n
                                       # mémoriser nom
   tC[i] \leftarrow c
                                       # mémoriser cote
 Fin
 Procédure lireCotes(ref tC : TtbCotes, ref tN : TtbNoms) : # par référence !
 # lit et mémorise les nbCotes cotes et noms
 Variable indice : Entier
                                       # variable locale itérateur
 Début
   Pour indice de 1 à nbCotes Faire
      lireCote(tC, tN, indice)
                                       # lire et mémoriser tous les noms et cotes
   finPr
 Procédure afficherCotes(tC : TtbCotes, tN : TtbNoms) :
                                                                # par valeur !
 Variable indice : Entier
                                       # variable locale itérateur
 Début
   Pour indice de 1 à nbCotes Faire
      écrire(tN[indice], " ", tC[indice], "/20")
   finPr
 Fin
Début.
      # séquence principale
   lireCotes(tbCotes1TL, tbNoms1TL) # affectation externe globale généralisée
   lireCotes(tbCotes1TM, tbNoms1TM)
   afficherCotes(tbCotes1TL, tbNoms1TL)
   afficherCotes(tbCotes1TM, tbNoms1TM)
Fin
```

Cette obligation de travailler dans deux tableaux distincts mais en parallèle (il y a une correspondance entre les éléments de même indice (un nom, une cote) alourdit considérablement le traitement : on perd la possibilité d'utiliser des fonctions et doit utiliser des procédures multiparamétrées ...et encore, on a simplifié le problème en se limitant à deux tableaux et en évitant d'utiliser des tableaux partiels (la gestion de la taille logique ajoute des contraintes supplémentaires ...)... ... c'est d'ailleurs un excellent exercice laissé aux bons soins du lecteur

Une fois de plus, il va falloir regarder cela d'un peu plus haut!

I) CONCRÈTEMENT ...

Fortran

Les tableaux font partie du langage dès ses origines; la déclaration s'effectue simplement en suffixant le nom générique du tableau par son nombre d'éléments au moyen de parenthèses (où à l'aide d'une clause spécifique DIMENSION)

```
REAL TB1(100)
DIMENSION INTEGER TB2(100)
INTEGER INDICE
```

Il est également possible d'utiliser une 'constante' tant pour la taille du tableau que pour contrôler ensuite ses itérateurs

```
INTEGER MAXELEM
DATA MAXELEM /100/
REAL TB1(MAXELEM)
INTEGER INDICE
```

Le langage comporte un itérateur spécifique (correspondant à la boucle Pour) ainsi qu'un opérateur d'accès (les parenthèses et non le couple classique []) : ainsi pour initialiser à 0 les cases des tableaux TB1 et TB2 (Pour indice de 1 à maxelem Faire tb1[indice] = 0.0; tb2[indice] = 0.0 finPr) on écrira

```
DO 10 INDICE = 1, MAXELEM
TB1(INDICE) = 0.0

TB2(INDICE) = 0.0
```

l'instruction de la ligne du programme qui est la dernière du corps de la boucle

Cobol

Présents également dès sa première version, les tableaux en Cobol sont très riches en possibilités de toutes sortes (il serait trop long de les évoquer ici). Basiquement la déclaration d'un tableau s'effectue à l'aide d'une clause spécifiant le type (PIC) et le nombre (OCCURS) d'éléments :

```
77 MAXELEM PIC 99 VALUE 100.
01 TB1.
02 TB1EL PIC 9(4) OCCURS MAXELEM TIMES.
01 TB1.
02 TB1EL PIC 9(4) OCCURS MAXELEM TIMES.
77 INDICE PIC 99.
```

L'itérateur est une boucle utilisant une procédure (paragraphe) contenant le corps de la boucle qui est commandée par une instruction (PERFORM VARYING) spécifiant l'indice de contrôle, sa valeur de départ, son pas (incrémentation) et c'est une condition tantQue (qui s'écrit until en Cobol!) qui se charge de la condition d'arrêt. L'accesseur aux éléments du tableau utilise les parenthèses, comme en Fortran

Parmi les possibilités intéressantes figure la possibilité d'initialisation 'en une ligne' via une affectation globale sur le nom générique de la structure; tout ce qui précède peut donc être remplacé par

```
MOVE ALL 0.0 TO TB1, TB2.
```

Pascal

Très proche du pseudo-code évidemment, Pascal permet aussi bien de déclarer des tableaux non typés que typés (seuls ceux-ci pourront être utilisés comme paramètres pour les fonctions et procédures). Le principe de leur déclaration (typée, ADT) est la suivante :

```
const nbCotes = 50;
type TtbCotes = array[1 .. nbCotes] of real;
```

Il suffit ensuite de déclarer les variables relevant de ce nouveau type

```
var tbC1, tbC2 : TtbCotes;
```

Pour l'initialisation, on rédigera une procédure paramétrée (passage par adresse) comportant un itérateur implémentant la boucle Pour (for); l'accesseur aux cellules est cette fois []

```
procedure pInitTableau(var t : TtbCotes);
var indice : integer;
begin
  for indice := 1 to nbCotes do
    t[indice] := 0.0
end;
```

mais on peut préférer une fonction (qui renvoie un tableau initialisé)

```
function fInitTableau() : TtbCotes);
var indice : integer;
    t : TtbCotes;
begin
    for indice := 1 to nbCotes do
     t[indice] := 0.0;
    fInitTableau() 
e t
end;
```

 \overline{C}

Le C comporte la possibilité d'initialiser un tableau lors de sa déclaration (économie de code !); pour le reste, on trouve en gros les mêmes possibilités qu'en Pascal (sauf que la première cellule d'un tableau a nécessairement l'indice 0) : déclaration (abstraite)

```
#define NB_COTES 50
typedef float TtbCotes[50]; // type tableau de 50 réels
TtbCotes tb1 = {0.0}, tb2; // tb1 est initialisé entièrement, pas tb2
```

l'itérateur est une boucle for (petite usine du C) que l'on peut utiliser dans 'vraie' fonction d'initialisation

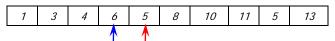
```
TtbCotes fInitTableau(void) {
  TtbCotes t;
  short indice;
  for (indice = 0; indice < NB_COTES; indice++)
    t[indice] = 0.0;
  return t;
}</pre>
```

ou dans une 'vraie' procédure : il faut savoir que les tableaux sont toujours passés par adresse, ce qui soulage la programmation (pas besoin des opérateurs d'adressage et d'indirection)

```
void pInitTableau(TtbCotes t) {
  short indice;
  for (indice = 0; indice < NB_COTES; indice++)
    t[indice] = 0.0;
}</pre>
```

m) EXERCICES

1. Lors de l'illustration de la vérification d'un simple ordre croissant entre les éléments d'un tableau



nous avons écrit la procédure suivante :

or nous avons toujours 'milité' pour une affectation directe dans les variables logiques; que penser alors de cette écriture alternative 'puriste' ?

2. Rédigez un algorithme construisant un nouveau tableau, à partir de deux tableaux de même taille (nombre d'éléments) préalablement chargés d'entiers.

Chaque élément du nouveau tableau sera la somme des éléments de même indice des deux tableaux de départ.

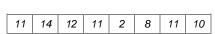
Exemple

Tableau 1:

'n								
	4	8	7	9	1	5	4	6
ľ								

Tableau 2:

Tableau à constituer :



Faites une version ADT/API utilisant une fonction et une autre utilisant une procédure

3. Que fait cet algorithme?

⁶⁸ alternative : Pour indice de bInf + 1 à bSup Si t[indice] < t[indice - 1] Alors ...

4. Que fait cet algorithme ?

5. Comment utiliser un tableau pour stocker un polynôme (en vue d'une évaluation ultérieure) ? le choix judicieux des indices est la clé de cette implémentation.

Exemple

Le polynôme $5.x^3 + 9.x^2 + 12.x - 7$ peut être stocké de la sorte :

Rédiger un algorithme pour calculer sa valeur en x = 5, puis en x = -10

Faites une version ADT/API utilisant une seule fonction : Poly(...) : Réel

6. Rédiger un algorithme qui inverse l'ordre des éléments d'un tableau dont on suppose qu'il a été préalablement rempli.

Exemple

Tableau au départ :

99 61 52 43 66	41 83 17 99
----------------	-------------

Tableau à l'arrivée :



Faites une version ADT/API utilisant une procédure : invTabl(...)

7. Rédiger un algorithme permettant à l'utilisateur de saisir un nombre quelconque de valeurs réelles comprises entre -10³ et +10³, qui devront être conservées dans un tableau.

L'utilisateur devra spécifier (via le clavier) le nombre de valeurs qu'il compte saisir.

Il effectuera ensuite cette saisie.

Enfin, une fois la saisie terminée, on affichera le nombre de valeurs négatives et le nombre de valeurs positives.

On considère que la mémoire ne permet pas de stocker plus de 1000 valeurs réelles.

Effectuez à tous les niveaux toutes les validations nécessaires

Rédigez une version ADT/API complète : fonctions et procédures éventuelle et séquence principale les invoquant

8. Rédiger un algorithme qui permette de saisir un nombre quelconque de valeurs, et qui les range au fur et à mesure dans un tableau, à la suite les uns des autres (rangement et non ordonnancement!).

L'algorithme, une fois la saisie terminée, doit déterminer si les éléments du tableau sont <u>tous</u> consécutifs ou non.

Exemple

Dans le tableau ci-dessous, les éléments sont tous consécutifs

Par contre, dans celui-ci, les éléments ne sont pas tous consécutifs

On considère que la mémoire ne permet pas de stocker plus de 1000 valeurs réelles.

Effectuez à tous les niveaux toutes les validations nécessaires

9. Pour analyser une série de mesures réelles strictement positives, dont on sait qu'elles sont comprises entre 0.0 et 10.0, on propose de les visualiser par un histogramme (graphique composé de colonnes accolées de hauteurs variables).

L'histogramme représente les comptages des mesures réparties dans les intervalles suivants : [0,2[, [2,4[...[8,10].

Ainsi, par exemple, pour la série de mesures suivantes :

on désire afficher l'histogramme suivant.

Rédigez deux versions différentes de cet algorithme. Vous pouvez, au choix, mémoriser ou non l'ensemble des mesures (mais vous devez mémoriser les nombres de mesures appartenant à chaque intervalle).

Il est 'assez facile' de dessiner l'histogramme comme ci-dessus, avec des 'bâtonnets' horizontaux ... essayez également avec des 'bâtonnets' verticaux.

Soyez très 'procéduraux' dans votre rédaction

10. Rédiger un algorithme pour afficher la liste des nombres premiers inférieurs à 4000 par la méthode du crible d'Ératosthène.

Le principe du crible d'Ératosthène est d'éliminer tous les multiples des nombres premiers trouvés ; pour cela on construit un tableau avec tous les entiers naturels compris entre 2 et N et on 'raye' les uns après les autres, les entiers qui ne sont pas premiers de la manière suivante : dès que l'on trouve un entier qui n'a pas encore été 'rayé', il est déclaré premier, et on 'raye' tous les autres multiples de celui-ci.

2	3	A	5	6	7	8	9	16	11	1/2	13	14	15	16	17	1	//	1		//	/		1
2	3	A	5	6	7	Ø	ø	16	11	1/2	13	14	<u>15</u>	16	17	/	//	1	1	/	1	2	

Rédigez deux versions de cet algorithme

- la première avec un seul tableau (pour 'rayer' une case, y affecter la valeur nulle)
- la seconde avec un second tableau dont les éléments sont de type logique (avec la signification : vrai = l'élément du premier tableau d'indice correspondant est rayé)

- 11. Rédiger un algorithme qui permet de déterminer si une chaîne de caractères entrée par l'utilisateur au clavier est un palindrome ou non.
 - On appelle palindrome un mot qui est identique une fois écrit à l'envers (p.ex. 'radar'). Utilisez un tableau de caractères (une lettre du mot par case du tableau).

5.4. STRUCTURES MIXTES

a) Introduction

Certains problèmes – comme celui terminant le chapitre précédent - devraient être traités à l'aide de plusieurs tableaux exploités en parallèle; ce n'est pas la manière ni la plus simple, ni la plus élégante de procéder ...

Commençons par nous interroger sur ce qu'est une cotation : n'y a-t-il pas ici (au minimum) <u>deux facettes</u> complémentaires : un nom et une cote, et n'ont-elles pas une nature et un type différent (un Texte, un Réel) ?

Il est temps de se rappeler que la structure de données Enregistrement existe, et de voir ce qu'elle peut apporter.

Si l'on définit un ADT comme suit

```
Type TEtuCote = Enregistrement
    nom : Texte
    cote : Réel
    finEnr
```

on dispose d'une association bien plus claire et solide entre les composants nom et cote, et surtout, toute donnée de type TEtuCote possède une (super)valeur ! on peut donc réintégrer les fonctions comme outil d'API, ce qui est plus léger

```
Fonction lireCote() : TEtuCote :
Variable nc : TEtuCote
         n : Texte, c : Réel
                                       # nom et cote pour la saisie
Début
  lire(n)
                                       # lecture nom (invite non illustrée)
  Répéter
    lire(c)
                                       # lecture cote (invite non illustrée)
  Jusque coteValide(c)
                                       # mais avec validation
  nc.nom \leftarrow n
                                       # construire enregistrement, début ...
                                        # ... fin
  nc.cote \leftarrow c
  renvoie(nc)
                                       # renvoi enregistrement au demandeur
Fin
```

on va à présent remplacer les deux tableaux par un seul : <u>un tableau dont les éléments</u> (les valeurs !) <u>sont des enregistrements</u> de type <u>TEtuCote</u>

on pourrait commencer par ceci ...

... et faire dès à présent quelques exercices de nommage (on en aura besoin) en utilisant conjointement les deux accesseurs [] (côté Tableau) et . (côté Enregistrement)

Il s'agit ici d'un tableau d'enregistrements : <u>les accesseurs s'utilisent de l'extérieur</u> (ici le nom générique du tableau d'abord) <u>vers l'intérieur</u> (ici les champs de l'enregistrement ensuite)

donc pour la variable tbCotation1TL, la première (valeur de) cotation a pour nom tbCotation1TL[1] (première cellule du tableau), l'étudiant concerné a pour nom tbCotation1TL[1].nom et sa cote est tbCotation1TL[1].cote (champs constitutifs de cette première cellule)

b) RENFORCEMENT DE LA NOTION DE VALEUR

Écrivons une première version de cette API en privilégiant les fonctions (donc les valeurs!)

```
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50
Type TEtuCote = Enregistrement
       nom : Texte
       cote : Réel
     finEnr
Type TtbEtuCotes = Tableau[nbCotes] de TEtuCote
Variable tbCotation1TL, tbCotation1TM: TtbEtuCotes
 Fonction coteValide(c : Réel) : Logique :
   renvoie(c entre coteMin et coteMax)
                                            # comparaison : résultat = vrai/faux
 Fonction lireEtuCote(): TEtuCote: # fournit une valeur (1 enregistrement) !!
 Variable nc : TetuCote
          n : Texte, c : Réel # nom et cote pour la saisie
 Début
   lire(n)
                                       # lecture nom (invite non illustrée)
   Répéter
     lire(c)
                                       # lecture cote (invite non illustrée)
   Jusque coteValide(c)
                                       # mais avec validation
                                       # construire enregistrement, début ...
   nc.nom \leftarrow n
   nc.cote ← c
                                       # ... fin
   renvoie(nc)
                                       # renvoi enregistrement au demandeur
 Fin
 Fonction lireEtuCotes(): TtbEtuCotes: # fournit une valeur (1 tableau)
 # lit et mémorise les abCotes cotes et noms
 Variable tEC : TtbEtuCotes
                                      # tableau local à remplir
           indice : Entier
                                       # variable locale itérateur
 Début
   Pour indice de 1 à noCotes Faire
     tEC[indice] ← lireEtuCote()
                                     # lire et mémoriser tous les noms et cotes
   finPr
   renvoie(tEC)
                                       # renvoi du tableau au demandeur
 Procédure afficherEtuCotes(tEC: TtbEtuCotes):
                                                         # un seul paramètre
 Variable indice | Entier
 Début
   Pour indice de 1 à nbCotes Faire
     écrire(tEC[indice].nom, tEC[indice].cote)
   finPr
 Fin
Début # séquence principale
   tbCotation1TL ← lireEtuCotes()
                                       # affectation interne globale généralisée
   tbCotation1TM ← lireEtuCotes()
   afficherEtuCotes(tbCotation1TL)
                                       # un seul paramètre, passé par valeur
   afficherEtuCotes(tbCotation1TM)
Fin
```

pas mal ! simplicité et élégance ... mais ... nous avons supposé que les deux tableaux de cotations étaient remplis 'physiquement' (nbCotes chacun) ... ce qui est peu réaliste

il faut poursuivre la réflexion un pas plus loin (encore !) et considérer désormais que seuls les tableaux partiels (possédant une taille logique indiquant le nombre d'éléments encodés) ont du sens

c) TABLEAUX PARTIELS

Qu'est ce qu'un tableau partiel?

Jusqu'à présent, nous avons considéré que c'était une variable-tableau physique (dont la taille physique est déterminée par une constante) à laquelle était associée une variable entière (jouant le rôle de taille logique)

mais si l'on reprend le problème de cotations et qu'on déclare ceci :

```
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50
Type TEtuCote = Enregistrement
    nom : Texte
    cote : Réel
    finEnr
Type TtbEtuCotes = Tableau[nbCotes] de TEtuCote
Variable tbCotation1TL, tbCotation1TM : TtbEtuCotes # tableaux
    nbCotation1TL, nbCotation1TM: Entier # tailles logiques
```

on remarque qu'on est de nouveau 'coincé' dans la rédaction de l'API:

o la fonction liretucotes ne sait pas renvoyer deux valeurs (le tableau et sa taille logique), donc il faut à nouveau avoir recours à une procédure (à laquelle on passerait comme paramètres par référence le tableau et sa variable-taille)

```
Procédure lireEtuCotes (ref tEC: TtbEtuCotes, ref nb: Entier):
Variable indice : Entier
                                     # variable locale itérateur
           fini : Logique
                                     # état de la saisie (fin à la demande)
           nc : TEtuCote
                                     # enregistrement local pour la saisie
Début
  \mathbf{nb} \leftarrow 0
                                     # tableau vide !!
  nc ← lireEtuCote()
                                      # première saisie
  fini \leftarrow (nc.nom = "****")
                                     # saisie terminée si nom étudiant = "****"
  tantQue non fini Faire
    nb \leftarrow nb + 1
                                     # une cellule de plus
    \texttt{tEC}[\texttt{nb}] \leftarrow \texttt{nc}
                                     # mémoriser données enregistrement local
    nc ← lireEtuCote()
                                     # saisie suivante
    fini ← (nc.nom = "****")
                                     # saisie terminée ?
  finTO
Fin
```

la procédure afficherEtuCotes doit elle aussi accepter deux paramètres :

```
Procédure afficherEtuCotes(tEC: TtbEtuCotes, nb: Entier): # 2 param!
Variable indice: Entier
Début
Pour indice de 1 à nb Faire
  écrire(tEC[indice].nom, tEC[indice].cote)
  finPr
Fin
```

sans compter l'alourdissement de la séquence principale :

```
Début # séquence principale
...
    lireEtuCotes(tbCotation1TL, nbCotation1TL) # 2 paramètres
    lireEtuCotes(tbCotation1TM, nbCotation1TM)
    afficherEtuCotes(tbCotation1TL, nbCotation1TL) # 2 paramètres
    afficherEtuCotes(tbCotation1TM, nbCotation1TM)
...
Fin
```

Et si on considérait que le tableau et sa variable-taille étaient les deux facettes complémentaires d'une seule et même structure ?

Tout naturellement (?), on va faire d'un tableau partiel un enregistrement!

Déclarons, déclarons ...

```
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50
Type TEtuCote = Enregistrement
       nom : Texte
       cote : Réel
     finEnr
Type TtbEtuCotes = Tableau[nbCotes] de TEtuCote
                                                       # tableau physique
Type TtbpEtuCotes = Enregistrement
                                                       # tableau partiel
       nbEtuCotes : Entier
                                                             # taille logique
       tbEtuCotes : TtbEtuCotes
                                                             # tableau
     finEnr
Variable tbpCotation1TL, tbpCotation1TM : TtbpEtuCotes
                                                             # tableaux partiels
```

cette fois, on a un enregistrement qui contient un tableau d'enregistrements et un entier ! sans doute est-il nécessaire de refaire des exercices de nommage : pour rappel : <u>les accesseurs s'utilisent de l'extérieur</u> (ici le nom générique de l'enregistrement d'abord) <u>vers l'intérieur</u> (puis le nom des cellules du tableau ensuite, et enfin les champs de l'enregistrement constitutif des cellules ...)

ainsi pour la variable tbpCotation1TL,

- le nombre de cotations encodées a pour nom

```
tbpCotation1TL.nbEtuCotes
```

- le nom du cinquième étudiant a pour nom

```
tbpCotation1TL.tbEtuCotes[5].nom
```

- la valeur de la dernière cote (encodée) a pour nom :

```
tbpCotation1TL.tbEtuCotes[tbpCotation1TL.nbEtuCotes].cote
```

Puisqu'on a récupéré une structure unique (un tableau qui embarque avec lui sa taille logique, le tout constituant <u>une</u> valeur), les fonctions vont pouvoir faire leur retour définitif!

d) Petite API basique pour la Gestion de Tableaux partiels

Un exemple concret de ce que l'on peut faire avec un tableau (basique) partiel : ajouter, modifier et supprimer des éléments devient envisageable; on devra cependant définir soigneusement le comportement et les contraintes des procédures et fonctions de l'API souhaitée ...

Cet exemple concerne un simple tableau partiel dont les cellules peuvent contenir chacune un Texte (p.ex. un mot), l'ADT correspond aux déclarations suivantes :

```
Constante maxMots = 50  # taille physique

Type TtbMots = Tableau[maxMots] de Texte  # tableau physique

Type TtbpMots = Enregistrement  # tableau partiel

nbMots : Entier  # taille logique

tbMots : TtbMots  # tableau

finEnr

Variable tb1, tb2 : TtbpMots  # variables tableaux partiels
```

- comme signalé précédemment, on se trouve parfois à hésiter entre la rédaction d'une procédure ou d'une fonction ... dans un cas comme celui-ci, la plupart du temps, on modifie le tableau (on change son contenu), dès lors une procédure paramétrée (avec un tableau-paramètre passé par référence) semble la plus adéquate

° initialiser (vider) un tableau de mots :

contrainte à prévoir : sur un tableau existant, demander confirmation puisque perte du contenu

```
Fonction init(): TtbpMots
Variable t : TtbpMots
Début
  t.nbMots \leftarrow 0
  renvoie(t)
Fin
# invocation :
tb2 \leftarrow init()
                                # nouveau
Si tbl.nbMots ≠ 0 Alors
                                # existant
  écrire("sûr (o/n) ? ")
  lire(réponse)
  Si réponse = 'o' Alors tb1 ← init() finSi
finSi
Procédure init(ref t : TtbpMots) :
  t.nbMots \leftarrow 0
Fin
# invocation :
init(tb2)
                                # nouveau
Si tb1.nbMots ≠ 0 Alors
                                # existant
  écrire("sûr (o/n) ? ")
  lire(réponse)
  Si réponse = '0' Alors init(tb1) finSi
finSi
```

° ajouter un élément à une position précise : (mettre le mot "tantQue" dans la cellule 4) :

contraintes à prévoir : vérifier que la position spécifiée est possible, vérifier que le tableau n'est pas plein; le tableau partiel doit rester complet (pas de trou entre les positions 1 et nbMots), donc l'ajout à la position spécifiée n'est autorisé que si la position est entre 1 et nbMots; les éléments existants d'indice ≥ position doivent alors être reculés d'un cran vers la droite pour libérer la position d'insertion; si la position spécifiée est supérieure à nbMots, l'élément est inséré en position nbMots + 1

```
Procédure addMot(ref t : TtbpMots, m : Texte, p : Entier) :
# ajouter le mot m dans le tableau t à l'indice p
Variable indice : Entier
Début
  SelonQue
                               # traitement erreur position incorrecte
    p > maxMots :
                               # traitement erreur tableau rempli
    t.nbMots = maxMots :
    p entre 1 et t.nbMots : # décalages avant insertion
      Pour indice de t.nbMots à p par -1 Faire # décalages à droite
        t.tbMots[indice + 1] ← t.tbMots[indice]
      finPr
      t.tbMots[p] \leftarrow m
                                                  # insertion
      t.nbMots \leftarrow t.nbMots + 1
                                                  # il y a un mot en plus !
    Sinon
                               # nouveau mot à la suite ...
      t.nbMots \leftarrow t.nbMots + 1
                                                  # un mot de plus
      t.tbMots[t.nbMots] ← m
                                                  # insertion en dernier
  finSQ
Fin
# invocation :
addMot(tb2, "tantQue", 5)
                               # nouveau
```

° supprimer un élément à une position précise : (enlever le mot de la cellule 7) :

contraintes à prévoir : vérifier que la position spécifiée est entre 1 et nbMots (ce qui inclut le test du tableau vide); le tableau partiel doit rester complet (pas de trou entre les positions 1 et nbMots), donc la suppression consiste à reculer les éléments existants d'indice ≥ position d'un cran vers la droite pour 'remplir' le trou; ne pas oublier de décrémenter le nombre de mots

```
Procédure supprMot(ref t : TtbpMots, p : Entier) :
# supprimer le mot du tableau t à l'indice p
Variable indice : Entier
Début
  Si p > t.nbMots Alors
    # traitement erreur position incorrecte
    Pour indice de p à t.nbMots Faire
                                           # décalages à gauche
      t.tbMots[indice] ← t.tbMots[indice + 1]
    finPr
    t.nbMots \leftarrow t.nbMots 1 1
                                     # il y a un mot en moins !
  finSi
Fin
# invocation :
supprMot(tb1, 7) # enlever
```

remplacer le contenu d'une cellule : (remplacer le mot de la cellule 8 par "Répéter")

contraintes à prévoir : la cellule doit contenir un mot, donc la position spécifiée doit être comprise entre 1 et nbMots

```
Procédure remplMot(ref t : TtbpMots, p : Entier, m : Texte) :
# remplacer la cellule d'indice p du tableau t par le mot m
Début
Si non (p entre 1 et t.nbMots) Alors
# traitement erreur position incorrecte
Sinon
t.tbMots[p] 	 m
finSi
Fin
# invocation :
remplMot(tb1, 7, "Pour") # remplacer
```

° lister le tableau

```
contraintes à prévoir : aucune
    Procédure listerMots(t : TtbpMots) :
# afficher le contenu du tableau partiel t
Variable indice : Entier
Début
    Pour indice de 1 à t.nbMots Faire # simple itération
        écrire(t.tbMots[indice])
    finPr
Fin
# invocation :
listerMots(tb2) # afficher
```

e) EXERCICES

- 1. Créer un ADT/API pour un tableau tbEmp qui contiendra les informations sur un maximum de 50 employés d'une entreprise (matricule, nom, salaire, étatCivil, date-Naissance, dateEntrée),
 - prévoir une procédure d'initialisation, des procédures et/ou fonctions pour l'encodage et les validations validation, une procédure d'affichage avec filtre sur le salaire (cfr ci-dessous)
 - encoder une dizaine d'employés puis afficher le nombre d'employés dont le salaire est compris entre 2,000 et 2,500 €
 - nb : les états civils valides sont ('C', 'M', 'D', 'V', 'S'); les salaires mensuels doivent être compris entre 1,500 et 3,500€; on vous permet de ne pas valider les années bissextiles !
- 2. Si on souhaite sauvegarder momentanément les informations concernant des étudiants pour un traitement, nous avons besoin d'écrire une structure permettant d'enregistrer le matricule de l'étudiant, son nom, son sexe, son année de naissance, la cote (/20) de deux à sept interrogations, la moyenne obtenue et la mention 'ajourné' ou 'réussi' pour une moyenne supérieure ou égale à 10/20

On demande de définir cette structure d'étudiant ainsi que celle d'un tableau qui permet d'en stocker 80 maximum

Rédigez une API permettant

- d'encoder séparément les renseignements signalétique pour un étudiant (matricule, nom, sexe, année) à la demande
- d'encoder avec validation sur base de l'indice connu d'un étudiant dans le tableau tout ou partie de ses cotes (p.ex. encoder 3 cotes pour l'étudiant 8)
- de calculer la moyenne et la mention pour l'ensemble des étudiants
- d'afficher l'identité et les résultats de l'ensemble des étudiants

5.5. ALGORITHMES CLASSIQUES SUR LES STRUCTURES AVEC TABLEAUX

a) TABLEAUX À CORRESPONDANCE DIRECTE

Il y a des tableaux dont l'exploitation est tellement immédiate que l'on oublie généralement d'en parler ... ; en deux mots :

ce sont des tableaux dont la taille est fixe et prédéterminée (pas besoin de déranger une taille logique) et pour lesquels il y a une correspondance directe et évidente entre l'indice et le contenu de la cellule à cet indice; dès lors, l'utilisation du tableau est d'une grande simplicité

Exemple:

```
Type TtbMois = Tableau[12] de Texte
Type tDate = Enregistrement
    jour : Entier
    mois : Entier
    année : Entier
    finEnr

Variable tbMois : TtbMois
    dte : TDate

Procédure libMois : # chargement
Début
    tbMois[1] ← "janvier"
    tbMois[2] ← "février"
    ...
    tbMois[12] ← "décembre"
Fin
```

Lorsqu'on aura une date à formater, au lieu d'écrire un long et coûteux SelonQue, il sera plus simple d'écrire (puisqu'il est évident que la valeur du mois 3 permet d'accéder au contenu "mars" de la cellule d'indice 3)

```
écrire(dte.jour, ' ', tbMois[dte.mois], ' ', dte.année)
```

b) Recherche(s) dans un Tableau non ordonné

Les structures de tableaux sont très utiles pour stocker en mémoire un ensemble de valeurs ...

Il est souvent demandé à de telles structures de répondre à une question fondamentale telle que : est-ce que *telle* valeur particulière se trouve dans le tableau et si oui à quelle position (indice) ? ...

... avec des variantes intéressantes : est-ce que *telle* valeur particulière se trouve dans le tableau et si oui à quelles positions (indices) ? ou encore : est-ce que *telle* valeur particulière se trouve dans le tableau et si oui quelle est sa dernière (sa plus haute) position (indice) ?

Exemples : sur l'ADT décrit précédemment

```
Constante coteMin = 0.0, coteMax = 20.0, nbCotes = 50

Type TEtuCote = Enregistrement
    nom : Texte
    cote : Réel
    finEnr

Type TtbEtuCotes = Tableau[nbCotes] de TEtuCote  # ADT noms et cotes

Variable tbpCotation1TL : TtbpEtuCotes

quelle est la cote de Mr Dugenou ?

mademoiselle Duraton a-t-elle fait l'interro ?

quelqu'un a-t-il obtenu la cote de 20 ? qui l'a obtenue ?
```

Cette fois, plus de correspondance directe, il va falloir chercher ... en itérant (déterminer d'abord l'indice, pour pouvoir ensuite exploiter le contenu ...)

On étudiera plus loin des algorithmes de recherche qui se basent sur la certitude que le tableau est préalablement ordonné (trié); si ce n'est pas le cas, il reste à explorer systématiquement (tout) le tableau (ces algorithmes sont appelés pour cette raison <u>recherche séquentielle</u>), l'arrêt plus ou moins rapide de cette exploration dépendant du type de question posée

 Recherche de la <u>première</u> occurrence d'une valeur : commençons avec une structure simple : un tableau partiel non typé et une <u>procédure de recherche</u> sans paramètre (tout se fait au moyen de variables globales)

```
Constante maxElem = 200
                                             # taille physique du tableau
Variable tb : tableau[maxElem] de Entier # tableau d'entiers
         nbElem : Entier
                                             # taille logique du tableau
         trouvé, fini : Logique
                                             # état de la recherche
         valeur : Entier
                                             # ce que l'on cherche
         indice: Entier
                                             # indice d'itérateur
   Procédure chargerTableau : # à rédiger selon le problème posé
   Début
     . . .
   Fin # on suppose ici que les nbElem premières cellules de tb ont été encodées
   Procédure rechercheTableau1 :
   Début
     trouvé ← faux
                                       # pessimisme !
     indice \leftarrow 1
                                       # initialisation itérateur
     fini ← (indice > nbElem)
                                      # ne pas oublier un tableau vide !!!
    tantQue non (trouvé ou fini) # précaution avec 2 conditions d'arrêt
       Si tb[indice] = valeur Alors
         trouvé ← vrai
                                             # yesssssssss !
       Sinon
         indice \leftarrow indice + 1
                                             # no, continue !
         fini ← (indice > nbElem)
                                             # possible de continuer ?
       finSi
     finTO
   Fin
Début # séquence principale
  chargerTableau
  écrire("quelle valeur cherchez-vous ? ")
  lire(valeur)
  rechercheTableau1
    Alors écrire("trouvé ", valeur, " à l''indice ", indice)
    Sinon écrire("pas trouvé ", valeur)
  finSi
Fin.
```

Remarques :

1. Une variante sans variable logique de cet algorithme existe : il suffit de comparer la valeur recherchée et l'élément désigné par l'indice en sortie de la procédure de recherche (mais une fois encore, l'utilisation d'une variable logique permet de s'affranchir des données dans la séquence principale) :

```
Début
  chargerTableau
  lire(valeur)
  rechercheTableau2
  Si (tb[indice]) = valeur
    Alors écrire("trouvé ", valeur, " à l''indice ", indice)
    Sinon écrire("pas trouvé ", valeur)
  finSi
Fin.
```

2. Si l'on souhaite rédiger cette recherche avec les 'belles' boucles 'Répéter' ou 'tantQue', il faut veiller à la bonne gestion de l'indice, surtout au moment de sortir de la boucle quand on a trouvé!:

Au début du chapitre consacré aux Tableaux, au moment de décrire les itérateurs basiques, deux versions équivalentes de chaque type boucle (du point de vue de l'initialisation, de l'incrémentation de l'indice et de l'utilisation de ce dernier) ont été données ; dans le cas de la recherche, l'une – du fait de la position de l'incrémentation – nécessite un sinon supplémentaire, l'autre pas

Dans le cas présent, dans la mesure où un tableau partiel peut être vide, il faut oublier le 'Répéter' dépourvu de principe de précaution !

version 'plus lourde'

Fin

```
Procédure rechercheTableau2 :
 Début
   trouvé ← faux
   indice \leftarrow 1
   fini ← (indice > nbElem)
                                          # ne pas oublier un tableau vide !!!
   tantQue non (fini ou trouvé)
     Si tb[indice] = valeur
        Alors trouvé ← vrai
        Sinon indice \leftarrow indice + 1
               fini ← (indice > nbElem)
     finSi
    finTO
 Fin
version 'plus légère' (remarquer l'initialisation de l'indice d'itérateur)
 Procédure rechercheTableau3 :
 Début
   trouvé ← faux
   indice \leftarrow 0
   fini ← (indice = nbElem)
                                          # ne pas oublier un tableau vide !!!
   tantOue non (fini ou trouvé)
      indice \leftarrow indice + 1
      trouvé ← (tb[indice] = valeur)
      fini \leftarrow (indice = nbElem)
   finTQ
```

Tout cela est intéressant et instructif, mais manque un peu de consistance et de cohérence :

- l'utilisation de variables globales empêche la réutilisation de la procédure pour une recherche similaire dans un autre tableau
- cette réutilisation demande cependant un passage de paramètre(s) typé(s) ... (ici, il y a absence de types abstraits et donc la procédure ne peut prétendre à être une composante d'API)
- et surtout : pourquoi une procédure de recherche ?? qui en plus détermine <u>et</u> un état global (trouvé) <u>et</u> une variable globale (indice) nécessaire à la séquence principale ... une fonction de recherhe ne serait-elle pas mieux adaptée ?

Recherche de la <u>première</u> occurrence d'une valeur (suite) : travaillons à présent dans l'esprit ADT/API; outre des déclarations plus adaptées, nous allons écrire une <u>fonction de recherche</u> chargée de retourner une valeur : l'indice de la cellule, correspondant au succès de la recherche ... et en cas d'échec ? la fonction retournera tout simplement la valeur 0 (qui ne correspond à aucun indice valable)⁶⁹

```
Constante maxElem = 200
                                             # taille physique du tableau
Type TtbEnt = Tableau[maxElem] de Entier
                                             # ADT tableau d'entiers
Type TtbpEnt = Enregistrement
                                             # ADT tableau partiel
       tbEnt : TtbEnt
                                                    # tableau
       nbElem : Entier
                                                    # taille logique du tableau
      finEnr
Variable tb1, tb2 : TtbpEnt
                                       # 2 variables "tableau partiel"
         valeur : Entier
                                       # ce que l'on cherche
         indiceRetour : Entier
                                       # résultat de la recherche (0 ou indice)
 Procédure chargerTableau(ref t : TtbpEnt) :
                                                    # selon le problème posé
 Début
                                 # un itérateur, peu importe lequel, contenant :
     t.nbElem \leftarrow t.nbElem + 1
     t.tbEnt[t.nbElem] \leftarrow ...
      # on suppose ici que les nbElem premières cellules de t ont été encodées
 Fin
 Fonction chercherTableau(t: TtbEnt, v: Entier): Entier:
 Variable indice : Entier; trouvé, fini : Logique
 Début
   trouvé ← faux
   indice \leftarrow 0
   fini ← (indice = t.nbElem)
                                       # ne pas oublier un tableau vide !!!
   tantQue non (fini ou trouvé)
     indice \leftarrow indice + 1
     trouvé ← (t.tbEnt[indice] = valeur)
     fini ← (indice = t.nbElem)
   finTQ
   Si trouvé
     Alors renvoie(indice)
     Sinon renvoie(0)
   finSi
 Fin
Début
      # séquence principale
  chargerTableau(tb1)
  chargerTableau(tb2)
  écrire("quelle valeur cherchez-vous ? ")
  lire(valeur)
  indiceRetour ← chercherTableau(tb1, valeur)
  Si indiceRetour ≠ 0 Alors
    écrire("trouvé dans le premier tableau à l'indice ", indiceRetour)
  Sinon
    indiceRetour ← chercherTableau(tb2, valeur)
    Si indiceRetour ≠ 0 Alors
      écrire("trouvé dans le second tableau à l'indice ", indiceRetour)
    Sinon
      écrire("valeur introuvable !")
    finSi
  finSi
Fin.
```

⁶⁹ dans le cas du langage C qui commence tous ses indices à 0, il est habituel de renvoyer -1 en cas d'insuccès

• Recherche de la dernière occurrence d'une valeur :

Il suffit de reprendre l'algorithme de recherche de la première occurrence et d'enlever la sortie forcée de la boucle (de la sorte, on parcourt tout le tableau) MAIS il faut bien entendu veiller à conserver la mémoire du dernier indice de recherche fructueuse ; cet indice pourra jouer le double rôle de variable logique et de position (s'il est $\neq 0$:succès et position)!

Avec les mêmes déclarations et le même algorithme principal qu'à la page précédente ...

```
Fonction chercherTableau(t: TtbEnt, v: Entier): Entier:
Variable indice, indiceRetour: Entier
Début
  indiceRetour ← 0  # pour la facilité de la fin ...
  Pour indice de 1 à t.nbElem Faire
    Si t.tbEnt[indice] = valeur Alors indiceRetour ← indice finSi finPr
    renvoie(indiceRetour)
Fin
```

• Recherche de toutes les occurrences d'une valeur :

Le principe illustré ici est le suivant : on va conserver au sein d'un nouveau tableau les différents indices des éléments dont la valeur est égale à celle recherchée. (l'algorithme utilise pour le tableau de résultats l'idée de l'ajout d'éléments dans un tableau

```
partiel étudiée précédemment)
Constante maxElem = 200
                                             # taille physique du tableau
Type TtbEnt = Tableau[maxElem] de Entier
                                             # ADT tableau d'entiers
Type TtbpEnt = Enregistrement
                                             # ADT tableau partiel
       tbEnt : TtbEnt
                                                   # tableau
       nbElem : Entier
                                                   # taille logique du tableau
      finEnr
Variable tb, tbIndices : TtbpEnt
                                      # 2 variables "tableau partiel"
         valeur : Entier
                                       # ce que l'on cherche
 Fonction chercherToutes(t: TtbEnt, v: Entier) : TtbpEnt :
 Variable tbInd: TtbpEnt # tableau avec les indices trouvés
          indice: Entier
                                # indice d'itérateur
 Début
   tbInd.nbElem \leftarrow 0
                                             # encore rien trouvé !
   Pour indice de 1 à t.nbElem Faire
     Si t.tbEnt[indice] = valeur Alors
                                                   # si trouvé
        tbInd.nbElem ← tbInd.nbElem + 1
                                                   # incrémenter nombre trouvés
        tbInd.tbEnt[tbInd.nbElem] ← indice
                                                   # et mémoriser indice trouvé
     finSi
   finPr
   renvoie(tbInd)
 Fin
 Procédure afficherRésultats(t: TtbEnt):
 Variable indice: Entier
 Début
   Si t.nbElem > 0 Alors
     écrire("liste des indices : ")
     Pour indice de 1 à t.nbElem Faire
        écrire("trouvé à l'indice ", t.tbEnt[indice])
     finPr
   Sinon
     écrire("pas trouvé ")
   finSi
 Fin
Début
  chargerTableau; lire(valeur)
                                             # que cherche-t-on ?
  tbIndices ← chercherToutes(tb, valeur)
                                             # recherche ...
  afficherRésultats(tbIndices)
                                             # ... affichage de ce qu'on a trouvé
```

Fin.

• une élégante alternative : la méthode "de la sentinelle"

on pourrait reprocher à l'algorithme classique de recherche une certaine lourdeur due à l'utilisation de deux états

```
Fonction chercherTableau(t : TtbEnt, v : Entier) : Entier :
Variable indice : Entier; trouvé, fini : Logique
Début
  indice \leftarrow 0
  <mark>trouvé</mark> ← faux
  \frac{\text{fini}}{\text{fini}} \leftarrow (\text{indice} = \text{t.nbElem})
                                              # ne pas oublier un tableau vide !!!
  tantQue non (fini OU trouvé)
     indice \leftarrow indice + 1
     trouvé \leftarrow (t.tbEnt[indice] = valeur)
     fini \leftarrow (indice = t.nbElem)
  finTO
  Si trouvé
     Alors renvoie(indice)
     Sinon renvoie(0)
  finSi
Fin
```

il existe donc un algorithme plus 'léger' qui ne demande qu'un seul état (trouvé); il est basé sur le principe suivant : on place la valeur à rechercher dans le tableau, derrière le contenu existant (une case derrière la dernière, donc), puis on itère le tableau à la recherche de cette valeur : on la trouvera forcément ! si c'est à l'endroit où on l'a placée, c'est l'échec; si on la trouve avant cet endroit c'est réussi !

```
Fonction chercherTableau(t : TtbEnt, v : Entier) : Entier :
Variable indice : Entier; trouvé: Logique
Début

t.tbEnt[t.nbElem + 1] 	 v

indice 	 0

trouvé 	 faux

tantQue non trouvé

indice 	 indice + 1

trouvé 	 (t.tbEnt[indice] = valeur)

finTQ
Si trouvé
 Alors renvoie(indice)
 Sinon renvoie(0)

finSi
Fin
```

pour les programmeurs décidément allergiques à l'utilisation des états logiques, une dernière 'simplification' est même possible!

```
Fonction chercherTableau(t : TtbEnt, v : Entier) : Entier :
Variable indice : Entier
Début

t.tbEnt[t.nbElem + 1] 	 v

indice 	 1

tantQue t.tbEnt[indice] ≠ valeur

indice 	 indice + 1

finTQ
Si indice < t.nbElem + 1

Alors renvoie(indice)
Sinon renvoie(0)
finSi
Fin</pre>
```

la seule précaution à prendre est de dimensionner le tableau d'une case supplémentaire et/ou bien d'arrêter son chargement une case avant la fin (un tableau de N cases est rempli si N-1 cases sont occupées)

c) ORDONNANCEMENT (TRI) D'UN TABLEAU

Qu'est-ce <u>qu'ordonner</u> (le contenu d')<u>un tableau</u>?

2

12

32

C'est – théoriquement - assurer que tout couple d'éléments consécutifs du tableau vérifie une relation d'ordre ; par exemple si l'on souhaite un simple tri croissant sur les éléments d'un tableau t, la relation (comparaison) $t[indice] \le t[indice + 1]$ doit être vérifiée quel que soit l'indice du tableau.

Comment faire en pratique ?

a) LE TRI 'BULLE'

6

5

11

3

Par exemple sur le tableau suivant (ne pas oublier qu'on travaille sur des tableaux 'réalistes', donc partiellement remplis, mais toujours dans leur partie 'inférieure') :

14

-5

87

Constante maxElem = 200	# taille physique du tableau
Type TtbEnt = Tableau[maxElem] de Entie	er # ADT tableau d'entiers
Type TtbpEnt = Enregistrement	# ADT tableau partiel
tbEnt : TtbEnt	# tableau
nbElem : Entier	# taille logique du tableau
finEnr	
Variable tb1, tb2 : TtbpEnt #	2 variables "tableau partiel" à trier

0

On va parcourir le tableau avec un itérateur en faisant respecter la relation d'ordre aux éléments consécutifs : les éléments ne la respectant pas (c-à-d si t[indice] > t[indice+1]) seront intervertis (en passant par une variable d'échange) ; de la sorte, ils la respecteront désormais !

```
Procédure parcoursEchange(ref t : TtbEnt) :
Variable : ech : Entier
                                               # variable pour l'échange
           indice: Entier
                                               # indice d'itérateur
Début
  Pour indice de 1 à t.nbElem - 1 Faire
                                               # attention à la borne supérieure !
    Si t.tbEnt[indice] > t.tbEnt[indice + 1] Alors
                                                            # si non respect ...
      ech ← t.tbEnt[indice]
                                                             # ... échange
      t.tbEnt[indice] ← t.tbEnt[indice + 1]
      \texttt{t.tbEnt[indice} + 1] \leftarrow \texttt{ech}
    finSi
  finPr
Fin
```

ce qui transforme le tableau comme ceci, après un seul parcours par l'itérateur :

3 5 6 9 2 11 12 32 0 14	5 1 87	99
-------------------------	--------	----

Deux remarques :

- ° un seul parcours ne suffit pas, le tableau n'est toujours pas (entièrement) ordonné!
- o un parcours fait 'remonter' (vers des positions d'indice élevé) les plus grandes valeurs (jusqu'au moment où elles sont 'bloquées' par plus grandes qu'elles, (en particulier, au terme du parcours, la plus grande valeur ici 99 se retrouve en fin de tableau); simultanément, les valeurs plus faibles descendent vers les positions du bas de tableau; c'est cette caractéristique qui rappelle les bulles d'air qui montent dans un liquide qui donne son nom à cet algorithme : le tri-bulle

exécutons une deuxième fois le parcours avec échange systématique si t[indice] > t[indice + 1]:

3	5	6	2	9	11	12	0	14	-5	1	32	87	99			//	//	//	//		7
---	---	---	---	---	----	----	---	----	----	---	----	----	----	--	--	----	----	----	----	--	---

et puis encore une fois :

3	5	2	6	9	11	0	12	-5	1	14	32	87	99	

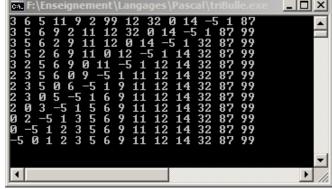
Encore une remarque :

o pour répondre à la question : 'combien de fois faut-il exécuter le parcours pour que le tableau soit entièrement ordonné ?', il suffit de constater que sur un tableau ordonné (le but recherché), l'algorithme n'effectue aucun échange ! dès lors, on utilisera soit un compteurs d'échanges, soit une variable logique pour contrôler une boucle générale répétant la procédure parcoursEchange jusqu'à satisfaction ; le fait qu'il faille faire au moins un parcours (un seul de toute façon si le tableau est déjà trié) nous invite à utiliser une boucle 'Répéter ...'

La version (définitive ?) de cet algorithme figure ci-dessous :

```
Constante maxElem = 200
                                               # taille physique du tableau
 Type TtbEnt = Tableau[maxElem] de Entier
                                              # ADT tableau d'entiers
 Type TtbpEnt = Enregistrement
                                              # ADT tableau partiel
         tbEnt : TtbEnt
                                                     # tableau
         nbElem : Entier
                                                     # taille logique du tableau
        finEnr
 Variable tb1, tb2 : TtbpEnt
                                        # 2 variables "tableau partiel" à trier
           tableauTrié : Logique
                                        # pour arrêter le processus
   Procédure parcoursEchange(ref t : TtbEnt) :
   Variable : ech : Entier
                                                     # variable pour l'échange
            indice: Entier
                                                     # indice d'itérateur
   Début
     tableauTrié ← vrai
     Pour indice de 1 à t.nbElem - 1 Faire # attention à la borne supérieure !
       Si t.tbEnt[indice] > t.tbEnt[indice + 1] Alors # si non respect ...
         ech ← t.tbEnt[indice]
                                                           # ... échange
         t.tbEnt[indice] ← t.tbEnt[indice + 1]
         t.tbEnt[indice + 1] \leftarrow ech
         tableauTrié ← faux
                                        # potentiellement pas trié !
       finSi
     finPr
   Fin
   Procédure triBulle(ref t : TtbEnt) :
     Répéter
       parcoursEchange(t)
     Jusque tableauTrié
   Fin
Début
  chargerTableau(tb1)
  triBulle(tb1)
Fin.
```

Une trace de l'exécution de cet algorithme sur le tableau-exemple utilisé dans ce chapitre figure ci-contre :



Remarques finales:

- cet algorithme de tri va nécessiter un grand nombre de d'échanges d'éléments; si le tableau est de taille N (N éléments), il va nécessiter N-1 boucles principales dans le cas où le dernier élément doit être placé en premier; le nombre de boucles internes maximal est donc de l'ordre de (N-1)²
- ° si le tableau (de taille N éléments) est ordonné au départ, un seul parcours suffit (et aucun échange n'est opéré)
- ° si le tableau (de taille N éléments) est ordonné 'à l'envers' (il est trié décroissant alors qu'on souhaite un tri croissant, p.ex.), il faudra (N-1)² parcours pour l'ordonner

Question:

dans la mesure où à chaque parcours, on a la certitude de faire 'monter' chaque fois la plus grande valeur (suivante), on peut sans doute améliorer l'algorithme en ne faisant pas systématiquement (comme c'est le cas ci-dessus) une boucle de 1 à t.nbElem - 1, mais au deuxième parcours une boucle de 1 à t.nbElem - 2 suffit, au troisième parcours de 1 à t.nbElem - 3, etc ...

l'écriture de cette version (un rien) plus économique et laissée aux bons soins du lecteur

Un dernier mot : l'algorithme écrit ci-dessus (décomposé en deux procédures) présente un inconvénient : il nécessite une variable logique que l'on doit déclarer globale car elle est partagée par les deux procédures; compte tenu de la 'petitesse' de ces procédures, on les fusionnera avantageusement (à remarquer qu'il s'agit bien de deux boucles imbriquées : la première, un Répéter, prend en charge le but à atteindre, la seconde, un Pour, itère à chaque fois tout le tableau et réalise les échanges éventuels) :

```
Procédure triBulle(ref t : TtbEnt) :
Variable : ech : Entier
                                                  # variable pour l'échange
         indice: Entier
                                                  # indice d'itérateur
         tableauTrié : Logique
                                                  # état final espéré
Début
 Répéter
    tableauTrié ← vrai
    Pour indice de 1 à t.nbElem - 1 Faire
                                                  # !! borne supérieure !
      Si t.tbEnt[indice] > t.tbEnt[indice + 1] Alors # si non respect ...
        ech ← t.tbEnt[indice]
                                                        # ... échange
        t.tbEnt[indice] ← t.tbEnt[indice + 1]
        t.tbEnt[indice + 1] \leftarrow ech
        tableauTrié ← faux
                                     # potentiellement pas trié !
      finSi
    finPr
  Jusque tableauTrié
Fin
```

b) LE TRI 'PAR SÉLECTION'

reprenons le même tableau (avec les mêmes déclarations et les mêmes données) :

3 6 5 11 9 2 99 12 32 0 14	-5 1	87
----------------------------	-------------	----

On va également parcourir le tableau avec un itérateur mais cette fois, à chaque parcours, on va rechercher la plus petite valeur et la mettre directement 'à sa place' par échange;

ici, au premier parcours -5 sera placé à la case d'indice 1 (on échange 3 et -5), au parcours suivant 0 sera placé à l'indice 2 (on échangera 6 et 0), etc ...

```
Constante maxElem = 200
                                               # taille physique du tableau
Type TtbEnt = Tableau[maxElem] de Entier
                                               # ADT tableau d'entiers
Type TtbpEnt = Enregistrement
                                               # ADT tableau partiel
       tbEnt : TtbEnt
                                                      # tableau
       nbElem : Entier
                                                      # taille logique du tableau
      finEnr
Variable tb1, tb2 : TtbpEnt
                                         # 2 variables "tableau partiel" à trier
 Procédure echangeMin(ref t : TtbEnt) :
 # une itération = tranfert du minimum et début de tableau
 Variable ech : Entier
                                  # variable pour faire l'échange
         indice: Entier
                                  # indice d'itérateur
         indMin : Entier
                                  # position (indice) du minimum
 Début
   indMin \leftarrow 1
                                         # initialisation de la position du minimum
   Pour indice de 2 à t.nbElem Faire
                                               # boucle de recherche !! bornes !!
      Si t.tbEnt[indice] < t.tbEnt[indMin] Alors # si plus petit que le minimum
        indMin \leftarrow indice
                                                      # mémoriser sa position
      finSi
   finPr
   ech \leftarrow t.tbEnt[1]
                                               # procéder à l'échange
   t.tbEnt[1] ← t.tbEnt[indMin]
   \texttt{t.tbEnt[indMin]} \leftarrow \texttt{ech}
 Fin
                                                            -5
     6
         5
             11
                     2
                              12
                                   32
                                        0
                                            14
                                                3
```

Pour ordonner l'ensemble du tableau, donc le trier, il suffit d'enchaîner des parcours en 'remontant' chaque fois la borne inférieure d'une unité ; cela s'écrit aisément avec deux boucles imbriquées ; attention toutefois à bien gérer pour chacune la borne inférieure et la borne supérieure !

```
Procédure triSélection(ref t : TtbEnt) :
Variable ech : Entier
                                              # variable pour faire l'échange
          indMin : Entier
                                              # position (indice) du minimum
          indice1, indice2 : Entier
                                              # indices d'itérateurs
Début
  Pour indicel de 1 à t.nbElem - 1 Faire # itérateur externe
    indMin \leftarrow indice1
                                       # minimum = élément de borne inférieure
    Pour indice2 de indice1 + 1 à t.nbElem Faire
                                                           # itérateur interne
     Si t.tbEnt[indice2] < t.tbEnt[indMin] Alors</pre>
                                                           # un nouveau minimum ?
         indMin ←indice2
                                              # si oui, conserver sa position
      finSi
    finPr
    Si indMin ≠ indice1 Alors
                                        # pas la peine de s'échanger soi-même
      ech ← t.tbEnt[indice1]
                                              # échanger
      t.tbEnt[indice1] ← t.tbEnt[indMin]
      \texttt{t.tbEnt[indMin]} \leftarrow \texttt{ech}
    finSi
  finPr
Fin
```

Début chargerTableau triSélection Fin.

Une trace de l'exécution de cet algorithme sur le tableau-exemple figure cicontre :



Remarques finales:

- ° on peut bien entendu baser l'algorithme sur la recherche du maximum (tri décroissant) que l'on placerait alors en fin de tableau (version laissée au lecteur)
- chaque parcours met un élément en position définitive (ici le plus petit), l'autre par contre est a priori mal placé; par contre, ici, contrairement au tri-bulle, aucun autre échange n'est utile. Un élément qui a été bien placé ne sera plus testé par la suite. Le nombre de boucles internes est environ N(N-1)/2, ce qui est meilleur que le tri bulle, mais toujours de l'ordre de N²

c) VARIATIONS SUR LE THÈME DU TRI

Problèmes multi-tableaux : clé de tri simple

À une époque où les structures (typées) d'Enregistrement n'étaient pas (encore) disponibles, les problèmes résolus à l'aide de tableaux en nécessitaient souvent plusieurs ... ce qui alourdissait la rédaction des algorithmes de tri

Essayons cela "à l'ancienne" (des variables-tableaux globales non typées manipulées directement par les procédures) sur un thème abordé précédemment : introduire le nom et la cote/20 pour un ensemble de N étudiants encodés 'en vrac' (nom + cote, bien sûr, mais dans un ordre quelconque des noms) : on devra déclarer (les tableaux sont considérés partiels)



Il va de soi (?) que quelle que soit l'utilisation des ces tableaux (encodage, affichage ...), ils sont couplés car ils ne possèdent chacun - pour un indice donné – qu'une partie (le nom ou la cote) d'un tout (la cote obtenue par un étudiant donné)

Ci-dessus, lors de la première itération, on détermine qu'Adam est le nom 'le plus petit'; il sera donc échangé avec Pierre (!! et il faut aussi échanger leurs cotes respectives !!)

Pour ordonner les données du problème par ordre alphabétique des noms, on utilise un algorithme de tri quelconque, ici la sélection, basé sur la recherche du mimimum puis l'échange, mais il ne faut pas oublier d'échanger les données dans les deux tableaux simultanément (de manière à ce que chaque étudiant conserve <u>SA</u> cote ...)

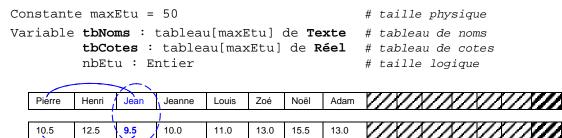
```
Procédure triSélection :
Variable echNom : Texte, echCote : Réel
                                                   # variables pour l'échange
         indMin : Entier
                                                   # position (indice) du minimum
         indice1, indice2 : Entier
                                                   # indices d'itérateurs
Début
  Pour indicel de 1 à nbEtu - 1 Faire
                                                   # itérateur externe
    indMin \leftarrow indice1
                                                   # candidat minimum
    Pour indice2 de indice1 + 1 à nbEtu Faire
                                                  # itérateur interne
      Si tbNoms[indice2] < tbNoms[indMin] Alors # nouveau minimum ?
        indMin ←indice2
                                                   # mémoriser sa position
      finSi
    finPr
    Si indMin ≠ indice1 Alors
                                      # pas la peine de s'échanger soi-même
      echNom ← tbNoms[indice1]
                                            # échanger les noms
      tbNoms[indice1] ← tbNoms[indMin]
      tbNoms[indMin] ← echNom
      echCote ← tbCotes[indice1]
                                            # échanger les cotes
      tbCotes[indice1] ← tCotes[indMin]
      tbCotes[indMin] ← echCote
    finSi
  finPr
Fin
```

Le critère sur lequel porte le tri (ici les noms) s'appelle <u>clé de tri;</u> ici elle est dite <u>'simple'</u> parce qu'elle ne concerne qu'un seul aspect des données (le nom)

Problèmes multi-tableaux : clé de tri composite

Si on avait demandé de trier ces données par ordre croissant des cotes, une petite difficulté nouvelle se serait posée : si deux étudiants (ou plus) ont obtenu la même cote, que faire ? classiquement il faut sous-classer les étudiants par ordre alphabétique pour cette cote (p.ex. Adam puis Zoé pour le 13.0)

Pour automatiser ce type de traitement, on considère que la <u>clé de tri</u> est <u>composite</u> (composée de deux informations ou plus) : une composante est dite <u>majeure</u> (ici la cote) et l'autre est <u>mineure</u> (ici le nom); on écrira plus synthétiquement qu'on effectue un tri sur "cote + nom"



Cette fois, à la première itération, c'est la cote qui est majeure, donc 9.5 (de Jean) sera échangée avec 10.5 (de Pierre); sans oublier d'échanger aussi les deux noms

Il faut donc adapter la logique du tri et faire intervenir une comparaison des noms uniquement quand il y a égalité sur les cotes :

```
Procédure triSélection :
Variable echNom : Texte, echCote : Réel
                                                   # variables pour l'échange
         indMin : Entier
                                            # position (indice) du minimum
         indice1, indice2 : Entier
                                                   # indices d'itérateurs
Début
  Pour indicel de 1 à nbEtu - 1 Faire
                                                   # itérateur externe
    indMin \leftarrow indice1
                                                   # candidat minimum
    Pour indice2 de indice1 + 1 à nbEtu Faire
                                                   # itérateur interne
      Si tbCotes[indice2] < tbCotes[indMin] Alors
                                                         # pas d'égalité ...
        indMin ←indice2
                                                                # ... minimum
      Sinon
        Si tbCotes[indice2] = tbCotes[indMin] et
                                                         # égalité ...
           tbNoms[indice2] < tbNoms[indMin] Alors</pre>
                                                         # ... tester les noms
            indMin ←indice2
                                                                # ... minimum
        finSi
      finSi
    finPr
    Si indMin ≠ indicel Alors
                                      # pas la peine de s'échanger soi-même
      echNom ← tbNoms[indice1]
                                            # échanger les noms
      tbNoms[indice1] ← tbNoms[indMin]
      tbNoms[indMin] ← echNom
      echCote ← tbCotes[indice1]
                                            # échanger les cotes
      tbCotes[indice1] ← tCotes[indMin]
      tbCotes[indMin] ← echCote
    finSi
  finPr
Fin
```

Jean	Jeanne	Pierre	Louis	Henri	Adam	Zoé	Noël	
9.5	10.0	10.5	11.0	12.5	13.0	13.0	15.5	VIXIXIXIXIXIXI

Plus le nombre de tableaux en parallèle est important, plus le nombre de composants dans la clé de tri est grand, et plus la logique de comparaison devient lourde à rédiger, de même que la partie échange(s)

• Problèmes multi-tableaux & clé composite : structures de données typées

Voyons si les structures mixtes typées "de haut niveau" vont apporter une aide significative ... en tous cas, elles vont permettre, quelle que soit la complexité de la structure

- ° d'abstraire le tri, puis que le passage de paramètres (typés) va être possible
- ° de simplifier définitivement l'échange, via une seule variable-cellule de travail

l'algorithme ci-dessous est également un exercice de lecture de nommage de composants de structures mixtes ...

```
Constante maxEtu = 50
                                           # taille physique
Type TEtuCote = Enregistrement
                                           # enregistrement etu + cote
       nom : Texte
                                                  # composant etu
       cote : Réel
                                                  # composant cote
     finEnr
Type TtbEtuCotes = Tableau[maxEtu] de TEtuCote
                                                        # tableau physique
Type TtbpEtuCotes = Enregistrement
                                                        # tableau partiel
       nbEtu : Entier
                                                              # taille logique
       tbEtuCotes : TtbEtuCotes
                                                              # tableau
     finEnr
Variable tbpCotation : TtbpEtuCotes
                                                  # variable tableau partiel
 Procédure triSélection(ref t : TtbpEtuCotes) :
 Variable ind1, ind2, indMin
                                           # itérateurs et position du minimum
           ec : TEtuCote
                                           # enregistrement pour échange
 Début
   Pour ind1 de 1 à t.nbEtu - 1 Faire
     indMin \leftarrow ind1
     Pour ind2 de ind1 + 1 à t.nbEtu Faire
       Si t.tbEtuCotes[ind2].cote < t.tbEtuCotes[indMin].cote Alors
          indMin ←ind2
       Sinon
          Si t.tbEtuCotes[ind2].cote = t.tbEtuCotes[indMin].cote et
             t.tbEtuCotes[ind2].nom < t.tbEtuCotes[indMin].nom Alors
              indMin ←ind2
          finSi
       finSi
     finDr
     Si indMin ≠ ind1 Alors
                                     # pas la peine de s'échanger soi-même
       ec ← tbEtuCotes[indice1]
                                                  # échanger les cellules
       t.tbEtuCotes[ind] ← t.tbEtuCotes[indMin]
        t.tbEtuCotes[indMin] ← ec
     finSi
   finPr
 Fin
```

NB: avec le sucre syntaxique Avec ... finAv, on peut économiser (un peu) sur la rédaction des comparaisons, p.ex. en privilégiant la cellule 'minimum'

```
Pour ind1 de 1 à t.nbEtu - 1 Faire
  indMin ← ind1
Avec t.tbEtuCotes[indMin] Faire
  Pour ind2 de ind1 + 1 à t.nbEtu Faire
    Si (t.tbEtuCotes[ind2].cote < cote) OU
        (t.tbEtuCotes[ind2].cote = cote ET t.tbEtuCotes[ind2].nom < nom)
        Alors indMin ←ind2
    finSi
    finPr
  finAv
finPr</pre>
```

Ci-dessus, on a 'compacté' au maximum (grâce aux expressions logiques) la détection de la cellule 'minimale'; une technique plus générale (l'écriture d'un "comparateur") sera étudiée au second semestre dans le cadre du cours d'Organisation et Structure des Données ...

un dernier mot sur le tri : quel que soit l'algorithme retenu, quelle que soit la complexité des cellules (d'un simple nombre à un enregistrement complexe), on procède toujours à un échange (swap en anglais) de cellules et cet échange demande toujours une variable de travail (du même type que les cellules à échanger) et trois instructions d'affectation

dans un souci de simplification, on peut faire de l'échange une procédure qui recevra la référence des deux cellules à échanger et déclarera localement la variable d'échange :

```
Procédure échanger(ref c1 : TEtuCote, ref c2 : TEtuCote) :
Variable c : TEtuCote
                                # enregistrement pour échange
Début
  c ← c1
  c1 ← c2
  c2 ← c
Fin
Procédure triSélection(ref t : TtbpEtuCotes) :
Variable ind1, ind2, indMin
                                             # itérateurs et position du minimum
Début
  Pour ind1 de 1 à t.nbEtu - 1 Faire
    indMin \leftarrow ind1
    Avec t.tbEtuCotes[indMin] Faire
      Pour ind2 de ind1 + 1 à t.nbEtu Faire
        Si (t.tbEtuCotes[ind2].cote < cote) OU
           (t.tbEtuCotes[ind2].cote = cote ET t.tbEtuCotes[ind2].nom < nom)</pre>
          Alors indMin ←ind2
        finSi
      finPr
    finAv
    Si indMin ≠ ind1 Alors
      échanger(t.tbEtuCotes[ind1], t.tbEtuCotes[indMin])
    finSi
  finPr
```

bien entendu, cette procédure est très dépendante des types de données des cellules et il faut en écrire une spécifique à chaque fois; mais grâce au principe de surcharge évoqué au chapitre consacré aux procédures et aux fonctions, chacune des versions (à conserver p.ex. dans une librairie) portera le même nom, la signature levant l'ambiguïté

```
Procédure échanger(ref n1 : Entier, ref n2 : Entier) :
Variable n : Entier
Début
  n ← n1
  n1 ← n2
  n2 ← n
Fin

Procédure échanger(ref t1 : Texte, ref t2 : Texte) :
Variable t : Texte
Début
  t ← t1
  t1 ← t2
  t2 ← t
Fin
etc...
```

d) Recherche dans un tableau ordonné (trié)

a) RECHERCHE SÉQUENTIELLE

Dès lors que le tableau est ordonné (ici supposé en ordre croissant), la recherche séquentielle de la première valeur ne nécessite plus le parcours de tout le tableau : rencontrer un élément de valeur supérieure à celle cherchée permet de s'arrêter en concluant à l'échec ; cet algorithme a donc trois conditions d'arrêt : la réussite, l'échec et bien entendu avoir atteint la fin du tableau

Par rapport à ce que nous avons rédigé précédemment pour la recherche séquentielle dans un tableau partiel non trié, la procédure de recherche ci-dessous est très peu modifiée, on rassemble sous un état commun (fini) les deux conditions d'échec ... et le tour est joué!

```
Constante maxElem = 200
                                             # taille physique du tableau
Type TtbEnt = Tableau[maxElem] de Entier
                                             # ADT tableau d'entiers
Type TtbpEnt = Enregistrement
                                             # ADT tableau partiel
       tbEnt : TtbEnt
                                                    # tableau
       nbElem : Entier
                                                    # taille logique du tableau
      finEnr
Variable tb1, tb2 : TtbpEnt
                                       # 2 variables "tableau partiel"
         valeur : Entier
                                       # ce que l'on cherche
         indiceRetour : Entier
                                       # résultat de la recherche (0 ou indice)
 Procédure chargerTableau(ref t : TtbpEnt) :
 Début
 Fin
       # on suppose ici que les nbElem premières cellules de t ont été encodées
 Procédure trierTableau(ref t : TtbpEnt) :
 Début
   . . .
 Fin
       # on suppose ici que t est trié en ordre croissant
 Fonction chercherTableau(t: TtbEnt, v: Entier): Entier:
 Variable indice : Entier; trouvé, fini : Logique
 Début
   trouvé ← faux
   indice \leftarrow 0
   fini ← (indice = t.nbElem)
                                       # ne pas oublier un tableau vide !!!
   tantOue non (fini ou trouvé)
      indice \leftarrow indice + 1
     trouvé ← (t.tbEnt[indice] = valeur)
      fini ← (t.tbEnt[indice] > valeur OU indice = t.nbElem)
   finTO
   Si trouvé
     Alors renvoie(indice)
     Sinon renvoie(0)
   finSi
 Fin
Début
       # séquence principale
  chargerTableau(tb1)
  trierTableau(tb1)
  écrire("quelle valeur cherchez-vous ? ")
  lire(valeur)
  indiceRetour ← chercherTableau(tb1, valeur)
  Si indiceRetour ≠ 0 Alors
    écrire("trouvé dans le premier tableau à l'indice ", indiceRetour)
    écrire("valeur introuvable !")
  finSi
Fin.
```

b) RECHERCHE DICHOTOMIQUE

Qui n'a pas joué à 'plus grand / plus petit' ?

Il s'agit de deviner <u>au plus vite</u> le nombre que quelqu'un d'autre a en tête (dans un intervalle donné, disons de 1 à 1000).

° Le 'mauvais' joueur demandera : *est-ce 1 ?, est-ce 2 ?, est-ce 3 ? ...* et ainsi de suite jusqu'à la 'victoire' ; il utilise en fait une recherche séquentielle sur l'intervalle donné.

Le coût de cette recherche est facile à déterminer : avec de la chance on trouve du premier coup (si le nombre à deviner est 1), avec un maximum de malchance, il faut s'y reprendre à 1000 fois (si le nombre à deviner est 1000) ; en moyenne donc, le coût (en nombre de comparaisons) est N/2 (N étant le nombre de valeurs de l'intervalle)

- ° Le 'bon' joueur adoptera la stratégie suivante : puisque l'intervalle est naturellement ordonné (1<2<3<...<1000) : il essaie 'au centre' : *est-ce 500 ?* Trois possibilités de réponse : bravo, plus grand, plus petit !
 - 'Bravo', il a gagné!
 - 'Plus grand' permet d'éliminer la moitié inférieure du domaine (on cherche désormais entre 501 et 1000), et on recommencer à chercher en 'tapant' au milieu
 - idem avec 'Plus petit' (on cherche désormais entre 1 et 499) et et on recommencer à chercher en 'tapant' au milieu

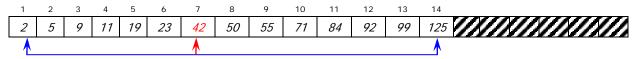
Comme on divise à chaque fois un (sous-)intervalle en deux, cette technique de recherche est appelée dichotomie (coupage en deux) et il est assez simple de montrer que le coût moyen (en nombre de comparaisons à effectuer) de la recherche est au pire $\log_2 N + 1$ (N le nombre de valeurs de l'intervalle de départ) ; le petit tableau comparatif de la recherche séquentielle et de la recherche dichotomique ci-dessous montre clairement le bénéfice (plus l'intervalle est vaste)

N	Coût séquentiel (N/2)	Coût dichotomie (log₂N + 1)
10	5	4
100	50	8
1,000	500	11
10,000	5,000	14
100,000	50,000	16
1,000,000	500,000	21
1,000,000,000	500,000,000	31

- ° Il est donc très intéressant de donner une version algorithmique de ce type de recherche sur les tableaux triés (déterminer le 'centre' et ensuite ne conserver que la 'bonne' moitié du tableau n'est rien d'autre qu'une manipulation correcte des indices, mais le fait que le nombre de cases soit pair ou impair pourrait être considéré comme un petit souci pour déterminer la 'moitié')
- ° Il est à noter encore que :
 - contrairement au jeu, la recherche n'est pas nécessairement fructueuse (la valeur recherchée n'est pas nécessairement dans le tableau) et qu'il va falloir apporter un soin tout particulier à bien rédiger la condition d'arrêt de la recherche
 - pour de 'petits' tableaux, la recherche infructueuse coûtera en moyenne plus cher par dichotomie que par séquence (pour la dichotomie, la recherche infructueuse coûte toujours log₂N + 1 comparaisons)

Comme pour les tris, il existe différentes versions de cet algorithme, nous n'en retiendrons qu'une seule ; mais avant toute chose, essayons manuellement :

• Soit le tableau partiel t suivant (les cases sont surmontées de leur indice pour une meilleure compréhension) : 84 est-il dans le tableau ?

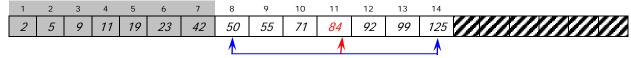


nous allons utiliser trois variables pour borner l'espace de recherche : bGauche, bDroite et milieu

prenons comme départ bGauche \leftarrow bInf, bDroite \leftarrow bSup et milieu \leftarrow (bGauche + bDroite) div 2

comme bInf = 1 et bSup = 14, alors bGauche=1, bDroite=14 et milieu = 7

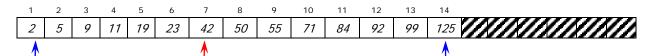
t[milieu] = t[7] = 42: plus petit que 84! on peut donc éliminer le (sous-)tableau d'indices 1 à 7 et recommencer le processus sur le (sous-)tableau d'indices 8 à 14



Pour ce faire, prenons une nouvelle borne gauche en posant bGauche ← milieu + 1 ; cela donne bGauche=8 , bDroite=14 et un nouveau milieu = 11

t[milieu] = *t*[11] = 84 ! trouvé en 2 coups !

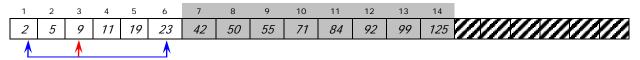
• Soit le tableau partiel t suivant : 19 est-il dans le tableau ?



prenons comme départ bGauche \leftarrow bInf, bDroite \leftarrow bSup et milieu \leftarrow (bGauche + bDroite) div 2

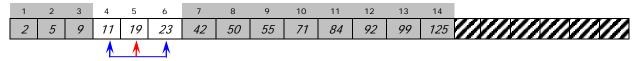
comme bInf = 1 et bSup = 14, donc bGauche=1, bDroite=14 et milieu = 7

t[milieu] = t[7] = 42: plus grand que 19! on peut donc éliminer le (sous-)tableau d'indices 7 à 14 et recommencer le processus sur le (sous-)tableau d'indices 1 à 6



pour ce faire, prenons une nouvelle borne droite en posant bDroite \leftarrow milieu - 1; cela donne bGauche=1, bDroite=6 et un nouveau milieu = 3

t[milieu] = t[3] = 9! plus petit que 19; on élimine un autre morceau de tableau et on continue



prenons une nouvelle borne gauche en posant bGauche ← milieu + 1 ; cela donne bGauche=4, bDroite=6 et milieu = 5

t[milieu] = t[5] = 19! trouvé!

• Et si l'on avait cherché 20 ?

```
comme t[milieu] = t[5] = 19! plus petit que 20,

on aurait posé bGauche ← milieu + 1, ce qui aurait donné bGauche=6, bDroite=6 et mi-
lieu = 6 ; t[milieu] = t[6] = 23, plus grand que 19,

on aurait posé bDroite ← milieu - 1, ce qui aurait donné bGauche=6, bDroite=5

à ce stade, bGauche > bDroite : condition d'arrêt et de recherche infructueuse!
```

Il n'y a plus qu'à exprimer telle quelle cette logique de manière algorithmique :

```
Constante maxElem = 200
                                             # taille physique du tableau
Type TtbEnt = Tableau[maxElem] de Entier
                                             # ADT tableau d'entiers
                                             # ADT tableau partiel
Type TtbpEnt = Enregistrement
       tbEnt : TtbEnt
                                                   # tableau
       nbElem : Entier
                                                    # taille logique du tableau
      finEnr
Variable tb1, tb2 : TtbpEnt
                                       # 2 variables "tableau partiel"
         valeur : Entier
                                       # ce que l'on cherche
         indiceRetour : Entier
                                       # résultat de la recherche (0 ou indice)
 Procédure chargerTableau(ref t : TtbpEnt) :
 Début
 Fin # on suppose ici que les nbElem premières cellules de t ont été encodées
 Procédure trierTableau(ref t : TtbpEnt) :
 Début
 Fin
      # on suppose ici que t est trié en ordre croissant
 Fonction rechercheDichotomique(t: TtbpEnt, v: Entier) : Entier
 Variable bGauche, bDroite, milieu : Entier
                                                  # les bornes de recherche
           fini, trouvé : Logique
 Début
   bGauche \leftarrow 1
                                             # init gauche
   bDroite ← t.nbElem
                                             # init droite
   trouvé ← faux
                                             # pas encore trouvé
   fini ← (bGauche > bDroite)
                                             # vrai si tableau vide, faux sinon
   tantQue non (fini ou trouvé) Faire
                                             # deux conditions d'arrêt
     milieu ← (bGauche + bDroite) div 2
                                             # essayer au milieu
     selonOue
                                             # plus petit / plus grand / égal ?
        t.tbEnt[milieu] > v :
         bDroite ← milieu - 1
                                             # trop grand, nouvelle droite
        t.tbEnt[milieu] < v :</pre>
         bGauche ← milieu + 1
                                             # trop petit, nouvelle gauche
       Sinon
                                             # trouvé à l'indice milieu
          trouvé ← vrai
     finSQ
     fini ← (bGauche > bDroite)
                                             # fin du processus ?
   finTO
   Si trouvé Alors renvoie(milieu)
                                             # indice
              Sinon renvoie(0)
   finSi
 Fin
Début
  chargerTableau(tb1)
  trierTableau(tb1)
                                             # que cherche-t-on ?
  lire(valeur)
  indiceRetour ← rechercheDichotomique(tb1, valeur)
                                                                # chercher
  Si indiceRetour ≠ 0
    Alors écrire("trouvé ", valeur, " à l''indice ", indiceRetour)
    Sinon écrire("pas trouvé ", valeur)
  finSi
Fin.
```

e) TRIER OU INDEXER?

On peut retenir deux raisons majeures pour lesquelles on souhaite conserver les éléments d'un tableau dans un ordre particulier et précis :

- la présentation des données (affichage, impression ...)
- l'accélération de la recherche (la recherche séquentielle s'arrête plus vite en cas d'échec et la recherche dichotomique est particulièrement plus efficace).

Il y a deux techniques fondamentales pour assurer un 'ordre' entre les éléments d'un tableau :

• le <u>tri 'physique'</u>, consistant à modifier le tableau en imposant directement l'ordre entre les éléments eux-mêmes en les déplaçant si nécessaire ... cette technique vient d'être étudiée

```
Constante tSup = 100
Variable tabl : Tableau[tSup] de Texte
           bSup : 0..tSup
            ind : 1..tSup
tabl (avant)
             zoé
                     anne
                             anna
                                    pierre
                                             noël
                                                    henri
tabl (après)
     anna
             anne
                     eva
                             henri
                                     jean
                                            iustin
                                                    noël
                                                            pierre
                                                                    zoe
```

pour obtenir l'ordre (ou effectuer rapidement une recherche), il suffit d'itérer séquentiellement le tableau une fois trié ...

```
...
chargerTableau
trierTableau
Pour ind de 1 à bSup Faire : écrire(tabl[ind]) : finPr
```

• <u>l'indexation</u>, consistant à utiliser un tableau supplémentaire qui va conserver uniquement des indices du premier ; la technique consiste à placer dans ce second tableau les indices des éléments du premier dans lesquels ils doivent être 'lus' pour obtenir l'ordre souhaité

```
Variable tabl : Tableau[tSup] de Texte
            idx : Tableau[tSup] de 1..tSup
            ind: 1...tSup
tabl (avant indexation)
                                                                            anne
                              anna
                                     pierre
                                              noël
                                                      henri
                                                                      justin
     jean
idx (avant indexation)
       1
               2
                       3
                               4
                                       5
                                               6
                                                       7
                                                               8
tabl (après indexation : inchangé)
                                     pierre
     jean
              zoé
                      anne
                              anna
                                              noël
                                                      henri
                                                              eva
idx (après indexation)
```

c'est en itérant séquentiellement le second tableau et en accédant à mesure à l'élément du premier tableau ainsi référencé que l'ordre entre les éléments réapparaît (en toute circonstance, le premier tableau reste inchangé)

```
...
chargerTableau
indexerTableau
Pour ind de 1 à bSup Faire : écrire(tabl[idx[ind]]) : finPr
```

comme on peut l'observer ci-dessous, les algorithmes de tri et d'indexation sont fort semblables (on a utilisé la technique de sélection consistant à rechercher à 'chaque tour' le plus petit élément et à l'échanger) ; on remarquera cependant côté indexation

- la nécessité d'initialiser correctement l'index (chaque élément de l'index désigne ainsi son correspondant dans le tableau principal)
- la comparaison entre éléments du tableau à travers l'index (tab[idx[ind]])
- l'échange entre les éléments de l'index (indices du tableau principal)

```
Variable tab : Tableau[tSup] de Texte
                                     idx : Tableau[tSup] de Entier
  <u>Algo de tri</u>
                                                 <u>Algo d'indexation</u>
Procédure triSélection :
                                                Procédure indexSélection :
Variable ech : Entier
                                                Variable ech : Entier
          ind1, ind2, indMin : Entier
                                                           ind1, ind2, indMin : Entier
Début.
                                                Début.
                                                   Pour ind1 de 1 à bSup Faire # !! initialisation !!
                                                     idx[ind1] \leftarrow ind1
                                                   finPr
  Pour ind1 de 1 à bSup - 1 Faire
                                                  Pour ind1 de 1 à bSup - 1 Faire
    indMin \leftarrow ind1
                                                     \texttt{indMin} \, \leftarrow \, \texttt{ind1}
    Pour ind2 de ind1 + 1 à bSup Faire
                                                     Pour ind2 de ind1 + 1 à bSup Faire
      Si tab[ind2] < tab[indMin] Alors
                                                       Si tab[idx[ind2]] < tab[idx[indMin]] Alors
         indMin ←ind2
                                                         indMin ←ind2
       finSi
                                                       finSi
    finPr
                                                     finPr
    Si indMin \neq ind1 Alors
                                                     Si indMin \neq ind1 Alors
      ech \leftarrow tab[ind1]
                                                       ech \leftarrow idx[ind1]
       tab[ind1] \leftarrow tab[indMin]
                                                       idx[ind1] \leftarrow idx[indMin]
       tab[indMin] \leftarrow ech
                                                       idx[indMin] \leftarrow ech
    finSi
  finPr
                                                   finPr
```

Tout milite en faveur de l'indexation :

o lorsque l'on trie physiquement un tableau de données, on doit échanger ses éléments; que ceux-ci soient de 'simples' chaînes de caractères ou plus complexes encore, des enregistrements (tableaux de personnes, p.ex.), ces échanges sont très coûteux en affectations (échanger deux chaînes ou deux enregistrements représente d'importants mouvements d'octets en mémoire)

Fin

- o par contre l'indexation laisse le tableau de données inchangé et ce sont uniquement les indices (de simples entiers donc) qui sont échangés dans le tableau-index
- o dans le cas de tableaux d'enregitrements, trier physiquement privilégie l'ordre pour un champ (ou une combinaison de champs) au détriment des autres, ce qui peut entraîner des (ré)exécutions de tri très coûteuses (p.ex. si un tableau de personnes doit être présenté aussi bien par ordre alphabétique des noms que par ordre croissant des codes postaux)
- ° l'indexation par contre peut faire cohabiter plusieurs index indépendants les uns des autres (autant que nécessaire) et toujours sans toucher au tableau de données lui-même
- enfin s'il faut vraiment en trouver un le reproche que l'on peut adresser à l'indexation est son (sur)coût en espace-mémoire : un tableau d'entiers supplémentaire est nécessaire par index

Fin

un exemple final récapitulatif ? multi-indexation d'un tableau de personnes : on souhaite pourvoir à tout moment afficher la liste de personnes dans l'ordre alphabétique des noms (et dans l'ordre croissant des âges pour les doublons) ou cette liste dans l'ordre croissant des âges (et dans l'ordre alphabétique des noms en cas d'égalité); on en profite pour un usage 'massif' de procédures et fonctions paramétrées

```
Constante maxPers = 50
                                              # taille physique
Type TPersonne = Enregistrement
                                              # enregistrement nom + âge
       nom : Texte
                                                     # composant nom
       age : Entier
                                                     # composant âge
     finEnr
Type TtbPersonnes = Tableau[maxPers] de TPersonne
                                                            # tableau physique
Type TtbpPersonnes = Enregistrement
                                                            # tableau partiel
       nbPers : Entier
                                                                  # taille logique
       tbPers : TtbPersonnes
                                                                  # tableau
     finEnr
Type TIndex = Tableau[maxPers] de Entier
                                                            # tableau index
Variable tbpPersonnes : TtbpPersonnes
                                              # variable tableau de personnes
         idxNomsAges, idxAgesNoms: TIndex # et ses deux index
tableau de données tbpPersonnes (après encodage)
                   3
     jean
           zoé
                  anne
                        anna
                               pierre
                                      noël
                                            henri
                                                   anne
                  31
                                             41
     31
            17
                         71
                                67
                                       60
                                                    17
index idNomsAges (après indexation)
            8
                                                    5
                                              6
index idxAgesNoms (après indexation)
                   9
     8
Procédure initPersonnes(ref tp : TtbpPersonnes) :
# initialise le tableau de personnes tp en mettant son compteur à 0
Début
  tp.nbPers \leftarrow 0
Fin
Fonction lirePersonne() : TPersonne
# saisie et renvoi d'un enregistrement de type personne
Variable p : TPersonne
Début
                    # à valider éventuellement
  lire(p.nom)
                   # à valider éventuellement
  lire(p.age)
                   # 'valeur' renvoyée
  renvoie p
Fin
Procédure ajoutPersonne(ref tp : TtbpPersonnes, ref fini : Logique) :
# ajout d'une personne dans le tableau tp : si c'est possible !
Variable p : TPersonne
Début
  p ← lirePersonne()
                          # généralisation de l'affectation
  fini ← tp.nbPesr = maxPers OU p.nom = "****"
  Si non fini Alors
    tp.nbPers ← tp.nbPers + 1 # ajouter une peronne ...
    tp.tbPers[tp.nbPers] ← p # ... à la suite dans le tableau
  finSi
Fin
Procédure chargerPersonnes(ref tp : TtbpPersonnes) :
# remplir le tableau de personnes tp
Variable fini : Logique
Début
  Répéter
    ajoutPersonne(tp, fini)
  Jusque fini
Fin
```

```
Procédure initIndex(ref idx : TIndex) :
# initialiser n'importe quel tableau-index idx
Variable indice : Entier
Début
  Pour indice de 1 à maxPers Faire
    idx[indice] \leftarrow indice
  finPr
Fin
Procédure échangerIndex(ref il : Entier, i2 : Entier) :
# échanger les valeurs de deux entiers (donc dans un index, p.ex.)
Variable tmp : Entier
Début
  tmp \leftarrow i1
  i1 ← i2
  i2 ← tmp
Fin
Procédure indexerAgeNom(tp : TtbpPersonnes, ref idx TIndex) :
# créer l'index idx sur le tableau tp (champs nom + âge)
Variable ind1, ind2, indMin : Entier
Début
  initIndex(idx)
  Pour ind1 de 1 à tp.nbPers - 1 Faire
    indMin \leftarrow ind1
    Pour ind2 de ind1 + 1 à tp.nbPers Faire
      Si tp[idx[ind2]].nom < tp[idx[indMin]].nom OU
         (tp[idx[ind2]].nom = tp[idx[indMin]].nom ET
          tp[idx[ind2]].age < tp[idx[indMin]].age) Alors</pre>
        indMin ←ind2
      finSi
    finPr
    Si indMin <> indl Alors échangerIndex(idx[indMin], idx[ind1]) finSi
  finPr
Fin
Procédure indexerAgeNom(tp : TtbpPersonnes, ref idx TIndex) :
# créer l'index idx sur le tableau tp (champs âge + nom)
Variable ind1, ind2, indMin : Entier
Début
  initIndex(idx)
  Pour ind1 de 1 à tp.nbPers - 1 Faire
    indMin \leftarrow ind1
    Pour ind2 de ind1 + 1 à tp.nbPers Faire
      Si tp[idx[ind2]].age < tp[idx[indMin]].age OU
         (tp[idx[ind2]].age = tp[idx[indMin]].age ET
          tp[idx[ind2]].nom < tp[idx[indMin]].nom) Alors</pre>
            indMin ←ind2
      finSi
    finPr
    Si indMin <> indl Alors échangerIndex(idx[indMin], idx[ind1]) finSi
  finPr
Fin
Procédure afficherPersonnes(tp : TtbpPersonnes, idx TIndex) :
# afficher le contenu du tableau tp à travers l'index idx
Variable ind : Entier
Début
  Pour ind de 1 à tp.nbPers Faire
    ecrire(tp[idx[ind]].nom, tp[idx[ind]].age)
  finPr
Fin
```

```
# algorithme : séquence principale

Début
  initPersonnes(tbpPersonnes)  # vider tableau de personnes
  chargerPersonnes(tbpPersonnes)  # emplir tableau de personnes
  indexerNom(tbpPersonnes, idxNomsAges)  # indexer sur noms + âges
  indexerAgeNom(tbpPersonnes, idxAgesNoms)  # indexer sur âges + noms
  afficherPersonnes(tbpPersonnes, idxNomsAges)  # afficher via index
  afficherPersonnes(tbpPersonnes, idxAgesNoms)  # idem

Fin.
```

f) GÉNÉRICITÉ DU TRI, DE L'INDEXATION ET DE LA RECHERCHE

À partir du moment où l'on utilise des procédures et des fonctions paramétrées, avec la possibilité de surcharge, on peut envisager d'écrire une fois pour toutes une et une seule procédure pour pouvoir trier ou indexer n'importe quel (type de) tableau (c.-à-d. quelle que soit la structure de ses éléments), et de même de rédiger une et une seule fonction de recherche ...

Cette possibilité de <u>s'adapter à n'importe quel contenu</u> porte le nom technique de <u>généricité</u>

Mais pas si vite ... pour être générique, un algorithme doit être totalement indépendant de la structure de données ... et ce que nous avons écrit jusqu'ici comporte – malgré l'effort louable de paramétrisation – pas mal de dépendances :

la première provient paradoxalement de la déclaration d'un tableau partiel (tableau physique + taille) sous forme d'enregistrement

```
Type TPersonne = Enregistrement
    nom : Texte
    age : Entier
    finEnr

Type TtbPersonnes = Tableau[100] de TPersonne
Type TtbpPersonnes = Enregistrement
    nbPers : Entier
    tbPers : TtbPersonnes
    finEnr

Variable tbP : TtbpPersonnes

Type TtbMesures = Tableau[100] de Réel
Type TtbpMesures = Enregistrement
    nbMes : Entier
    tbMes : TtbMesures
    finEnr

Variable tbM : TtbpMesures
```

lors de la rédaction de la procédure de tri par exemple, on trouve deux itérateurs imbriqués dont les bornes dépendent du nom d'un champ du paramètre : la taille du tableau (nombre d'éléments) : il faut donc rédiger une procédure spécifique par type de tableau

```
Procédure tri(ref t : TtbpPersonnes) :

Variable ind1, ind2, indMin : Entier

Début

Pour ind1 de 1 à t.nbPers - 1 Faire

indMin ← ind1

Pour ind2 de ind1 + 1 à t.nbPers Faire

# ... etc ...

Fin

Procédure tri(ref t : TtbpMesures) :

Variable ind1, ind2, indMin : Entier

Début

Pour ind1 de 1 à t.nbMes - 1 Faire

indMin ← ind1

Pour ind2 de ind1 + 1 à t.nbMes Faire

# ... etc ...

Fin
```

l'invocation est cependant identique (grâce à la généricité) :

```
tri(tbP)
tri(tbM)
```

pour s'affranchir de cette dépendance, la solution consiste à <u>passer deux paramètres distincts</u> à la procédure : le tableau physique d'une part, sa taille (son nombre d'éléments) d'autre part

```
Procédure tri(ref t : TtbPersonnes, n : Entier) :
Variable ind1, ind2, indMin : Entier
Début
  Pour indl de 1 à t.n - 1 Faire
    indMin \leftarrow ind1
    Pour ind2 de ind1 + 1 à t.n Faire
# ... etc ...
Fin
Procédure tri(ref t: TtbMesures, n: Entier) :
Variable ind1, ind2, indMin : Entier
Début
  Pour indl de 1 à t.n - 1 Faire
    \texttt{indMin} \leftarrow \texttt{ind1}
    Pour ind2 de ind1 + 1 à t.n Faire
# ... etc ...
Fin
invocation:
tri(tbP.tbPers, tbP.nbPers)
tri(tbM.tbMes, tbM.nbMes)
```

 la seconde provient du 'cœur' de l'algorithme de tri : la comparaison non seulement est dépendante des noms des champs à comparer mais également du nombre de champs (critère majeur/mineur)

tri croissant sur valeur (tableau de mesures)

```
Si t[ind2] < t[indMin] Alors indMin ← ind2 finSi
```

tri croissant sur age + nom (tableau de personnes)

```
Si t[ind2].age < t[indMin].age OU

(t[ind2].age = t[indMin].age ET

t[ind2].nom < t[indMin].nom) Alors

indMin ← ind2

finSi
```

tri croissant sur nom + age (tableau de mesures)

```
Si t[ind2].nom < t[indMin].nom OU

(t[ind2].nom = t[indMin].nom ET

t[ind2].age < t[indMin].age) Alors

indMin ← ind2

finSi
```

la solution la plus élégante à cette problématique est de déléguer ce travail de comparaison à une fonction (qui portera le nom technique de <u>comparateur</u>), on lui passera comme paramètres deux éléments de tableaux à comparer (disons e1 et e2) et elle renverra une valeur entière selon le 'standard' suivant : -1 (e1 < e2), 0 (e1 = e2) ou +1 (e1 > e2)

il faut bien entendu écrire un comparateur spécifique pour chaque type d'élément de tableau (comme il faut écrire une procédure spécifique d'échange ...) ... mais ces fonctions et procédures pourront être réutilisées lors du tri, de l'indexation et de la recherche

comparateur de mesures (en fait de Réels)

```
fonction compare(e1 : Réel, e2 : Réel) : Entier
Début
  selonQue
    e1 < e2 : renvoie -1
    e1 = e2 : renvoie 0
    Sinon : renvoie +1
  finSQ
Fin
Procédure échanger(ref el : Réel, ref e2 : Réel) :
Variable tmp : Réel
Début
  tmp \leftarrow e1; e1 \leftarrow e2; e2 \leftarrow tmp
comparateur de personnes (pour nom + age)
fonction compare(e1 : TPersonne, e2 : TPersonne) : Entier
Début
  selonQue
    el.nom < e2.nom : renvoie -1
    e1.nom = e2.nom:
       selonQue
        el.age < e2.age : renvoie -1
         e1.age = e2.age : renvoie 0
        Sinon
                           : renvoie +1
      finSO
    Sinon
                      : renvoie +1
  finSQ
Fin
Procédure échanger(ref el : TPersonne, ref e2 : TPersonne) :
Variable tmp : TPersonne
  tmp \leftarrow e1; e1 \leftarrow e2; e2 \leftarrow tmp
Fin
A présent, un dernier coup d'œil sur le tri de mesures ou de personnes :
Procédure tri(ref t : TtbMesures, n : Entier) :
Variable ind1, ind2, indMin : Entier
Début
  Pour ind1 de 1 à t.n - 1 Faire
    indMin \leftarrow ind1
    Pour ind2 de ind1 + 1 à t.n Faire
      Si compare(t[ind2], t[indMin]) Alors indMin ← ind2 finSi
    Si indMin \( \neq \) ind1 Alors \( \text{\center} \) (t[indMin], t[ind1]) finSi
  finPr
Fin
Procédure tri(ref t : TtbPersonnes, n : Entier) :
Variable ind1, ind2, indMin : Entier
Début
  Pour ind1 de 1 à t.n - 1 Faire
    indMin \leftarrow ind1
    Pour ind2 de ind1 + 1 à t.n Faire
      Si compare(t[ind2], t[indMin]) Alors indMin ← ind2 finSi
    Si indMin \( \neq \) indl Alors \( \text{$\text{$\frac{e}{changer}(t[indMin], t[indl]) finSi} \)
  finPr
Fin
```

g) Notion de Fusion

Basiquement, la fusion de deux tableaux consiste à en constituer un troisième à partir de leur(s) contenu(s) : il n'y a a priori rien de très difficile à cela (il faut tout de même vérifier que le tableau-cible possède la place nécessaire ...

Avec le formalisme des tableaux partiels (de personnes, p.ex.), la procédure de fusion est simpli(ssim)e à écrire :

```
Constante maxPers = 50
                                                 # taille physique
Type TPersonne = Enregistrement
                                                 # enregistrement nom + âge
       nom : Texte
                                                        # composant nom
        age : Entier
                                                        # composant âge
     finEnr
Type TtbPersonnes = Tableau[maxPers] de TPersonne
                                                               # tableau physique
Type TtbpPersonnes = Enregistrement
                                                                tableau partiel
       nbPers : Entier
                                                                      # taille logique
        tbPers : TtbPersonnes
                                                                      # tableau
     finEnr
Variable, tbP1, tbP2, tbP3 : TtbpPersonnes
tableau de données tbP1
            zoé
     jean
                   anne
                          anna
                                pierre
                                        noël
     31
             17
                   31
                           71
                                  67
tableau de données tbP2
     henri
            anne
                   iean
             17
      41
                    25
tableau de données tbP3 (après fusion)
                                        noël
                                               henri
            zoé
                   anne
                          anna
                                 pierre
                                                      anne
                                                             iean
     iean
             17
                    31
                                                41
                                                       17
                                         60
Procédure fusionnerTableaux(t1, t2 : TtbpPersonnes, ref t3 : TtbpPersonnes) :
Variable indice : Entier
Début
  Si t1.nbPers + t2.nbPers ≤ maxPers Alors # assez de place ?
    Pour indice de 1 à t1.nbPers
                                                        # copier t1 au début de t3
       t3[indice] \leftarrow t1[indice]
    finPr
    Pour indice de 1 à t2.nbPers
                                                        # compléter ensuite avec t2
       t3[t1.nbPers + indice] ← t2[indice]
                                                          # regardez l'indiçage de t3
    t3.nbPers ← t1.nbPers + t2.nbPers
                                                        # ne pas oublier : taille de t3
  finSi
Fin
```

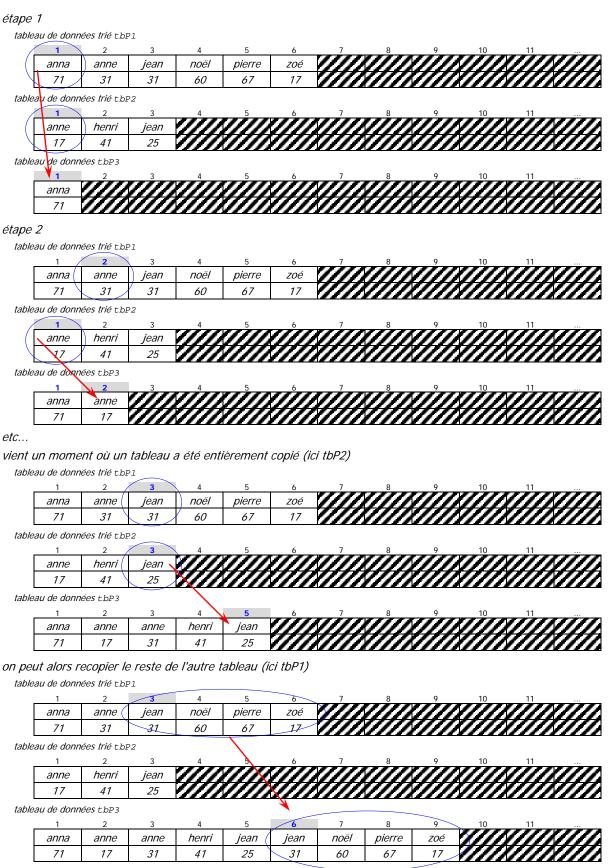
Si on en restait là, il ne serait nécessaire de 'déranger' ce nouveau concept ni ce sous-chapitre ... le plus souvent, la <u>fusion</u> consiste à <u>combiner deux tableaux triés</u> en un troisième lui aussi trié : on évitera évidemment de procéder comme précédemment et de trier le tableau résultant (le coût serait prohibitif⁷⁰)

tableau de données trié tbP1 2 noël anna anne iean pierre 71 31 31 67 60 17 tableau de données trié t.bP2 1 henri anne jean 17 41

Comment procéder alors ?

⁷⁰ si tb1 et tb2 ont chacun N éléments, les trier coûte N² pour chacun, à quoi on ajouterait encore (2N)² pour le tri de tb3 !!!

On va utiliser un itérateur distinct pour chaque tableau : tous deux démarrent évidemment à l'indice 1; puisque les deux tableaux tbP1 et tbP2 sont triés (on suppose en ordre croissant), à cet indice figure l'élément le plus petit de chaque tableau : il suffit donc de les comparer, de placer dans tbP3 (lui aussi a un itérateur qui démarre à 1 et est incrémenté au fur et à mesure) le plus petit des deux et de faire 'avancer' l'itérateur correspondant ... on continue ainsi jusqu'à épuisement d'un des deux tableaux; à ce moment, il n'y a qu'à recopier le 'solde' du tableau restant



Il y a plusieurs écritures possibles de cet algorithme, mais la plus classique est par exemple

```
Procédure fusionnerTableaux(t1, t2 : TtbpPersonnes, ref t3 : TtbpPersonnes) :
Variable indice, ind1, ind2 : Entier
          fini1, fini2 : Logique
  t3.nbPers ← t1.nbPers + t2.nbPers
                                                 # pour ne pas oublier !
  indice \leftarrow 0
                                                 # pour gérer l'ajout dans t3
  \texttt{ind1} \, \leftarrow \, 1
  fini1 ← (ind1 > t1.nbPers)
                                                 # prévoir tableau vide !
  ind2 \leftarrow 1
  fini2 \leftarrow (ind2 > t2.nbPers)
                                                 # prévoir tableau vide !
  tantQue non (fini1 ou fini2)
                                                 # arrêt sur l'un ou l'autre
    indice \leftarrow indice + 1
                                                 # un élément de plus dans t3
    Si t1[ind1].nom < t2[ind1].nom OU
                                                 # lequel ?
        (t1[ind1].nom = t2[ind1].nom ET t1[ind1].age \le t2[ind1].age) Alors
      t3[indice] \leftarrow t1[ind1]
                                                        # celui de t1
      ind1 \leftarrow ind1 + 1
                                                        # avancer dans t1
      fini1 ← (ind1 > t1.nbPers)
                                                        # fini t1 ?
    Sinon
      t3[indice] \leftarrow t2[ind2]
                                                        # celui de t2
      ind2 \leftarrow ind2 + 1
                                                        # avancer dans t2
      fini2 ← (ind2 > t1.nbPers)
                                                        # fini t2 ?
    finSi
  finTQ
  Si fini2 Alors
    Pour ind1 ← ind1 à tb1.nbPers Faire # solder le reste du premier
       indice \leftarrow indice + 1
      t3[indice] \leftarrow t1[ind1]
    finPr
  Sinon
    Pour ind2 ← ind2 à tb2.nbPers Faire # solder le reste du deuxième
      indice \leftarrow indice + 1
       t3[indice] \leftarrow t2[ind2]
    finPr
  finSi
Fin
```

h) EXERCICES

On considère construire une structure « date » renfermant les champs jour, mois, et année. Et une structure « personne »renfermant les champs : nom, prénom et date_naissance. Ecrire un programme qui permet de remplir un tableau de 10 personnes, les trier selon leurs âges dans l'ordre croissant. Et de les afficher un par un.

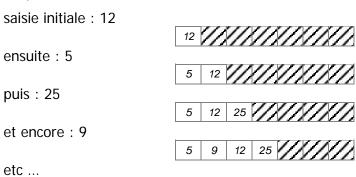
1. Rédiger une variante – dite de la sentinelle - de l'algorithme de la recherche séquentielle (tableau partiel non ordonné) selon le principe suivant :

En supposant que le tableau physique n'est pas entièrement rempli, on commence par placer la valeur recherchée dans la case d'indice nbElem + 1 ... et on laisse courir l'itérateur ... à l'arrêt de la boucle – à ce stade la recherche est forcément toujours gagnante -, un simple test sur l'indice final permet de conclure au succès ou à l'échec de la recherche.

2. Rédiger un algorithme de chargement/tri croissant de tableau dit 'par insertion'; le principe en est le suivant : au fur et à mesure de la saisie via le clavier, on stocke la valeur lue à sa place dans le tableau (en déplaçant les autres si nécessaire, bien entendu).

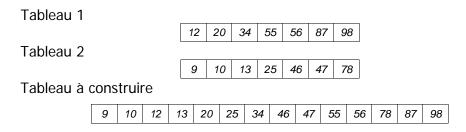
Utilisez la technique des tableaux partiels figurant dans les notes de cours.

Exemple:



3. Rédiger un algorithme de construction d'un tableau ordonné (tri croissant) à partir de deux autres tableaux de même taille et eux-mêmes ordonnés de la même manière (tri croissant) ; cet algorithme est désigné par « fusion de tableaux »

Effectuez des déclarations de tableaux tenant compte de la nature du problème posé. Exemple



3. Lors d'élections, chaque candidat obtient par tirage au sort un numéro de liste (1, 2, 3 ... qu'on utilise comme indice de tableau) ;

Côté données, on dispose de deux tableaux distincts, l'un conservant les noms des candidats, l'autre comptabilisant les votes obtenus pour chacun

Constante nbCand = 5

Variable candidats : Tableau[nbCand] de Texte votes : Tableau[nbCand] de Entier

Exemple

Tableau 1 : les candidats

Céline	Fabre	Jeanne	Louis	Bernard	

Tableau 2 : les votes obtenus

98	120	185	67	103	

Écrire les procédures permettant (avec toutes les validations nécessaires)

- ° d'exprimer le vote pour le candidat de son choix
- ° quand le vote est terminé, de trier <u>les</u> tableaux de manière à présenter résultats et candidats dans l'ordre décroissant du nombre de votes obtenus

5.6. POUR CONCLURE (?): EXEMPLES

a) Introduction

Examinons le cas suivant :

Un magasin d'informatique souhaite une (mini) gestion du stock des produits qu'il propose à la vente (et on se limitera pour faire simple aux disques durs, clés usb, media CD et DVD);

Ce stock varie constamment suite aux achats (entrées) et aux ventes (sorties);

On désire simplement gérer ces entrées/sorties et bien entendu consulter l'état du stock pour un article particulier et afficher/imprimer un catalogue

Une petite conversation avec le gérant conduit à la définition d'un article : il possède les caractéristiques suivantes :

- o un libellé (chaîne de caractères) :
- une capacité (en Gb, ex 500) ou une vitesse maximum de lecture (en x, ex. 52) (un entier)
- ° un prix (type réel)
- ° et bien entendu une quantité (entière) en stock

On peut donc imaginer dans un premier temps une structure multi-tableaux :

variante 1

```
Constante maxArt = 100 # nombre max d'articles

Variable tablLibellés : Tableau[maxArt] de Texte # libellés

tablCapacités : Tableau[maxArt] de Entier # capacités/vitesses

tablPrix : Tableau[maxArt] de Réel # prix

tablQuantités : Tableau[maxArt] de Entier # quantité en stock

nbArt : Entier # borne : nombre articles
```

mais rien n'indique clairement qu'il s'agit là d'un ensemble cohérent et qu'un article est défini par l'ensemble des cases des quatre tableaux qui partagent le même indice; toutes les opérations devront être multi-tableaux

On privilégiera donc une approche par enregistement (le type d'enregistrement définit un modèle abstrait d'article avec ses quatre champs et on a donc un seul tableau d'enregistrements)

variante 2

```
Constante maxArt = 100 # nombre max d'articles

Type TArticle = Enregistrement # article abstrait

libellé : Texte
capacité : Entier
prix : Réel
quantité : Entier
finEnr

Variable tablStock : Tableau[maxArt] de tArticle # tableau d'articles
nbArt : Entier # borne : nombre articles
```

Rédigeons à présent quelques procédures (et fonctions!) pour ces deux implémentations :

- ° pour consulter ou pour faire entrer ou pour faire sortir un article de capacité/vitesse donnée, il faut d'abord le trouver!
 - ° dans le cas de l'ajout si on le trouve, on augmente sa quantité en stock et si on ne le trouve pas, c'est un nouvel article à créer
 - dans le cas de la suppression, si on le trouve on diminue sa quantité en stock sinon on signale l'insuccès)
 - ° dans le cas de la consultation, si on le trouve on obtient sa quantité en stock sinon on signale l'insuccès)
- ° on commence donc par écrire une <u>fonction de recherche</u>; pourquoi une fonction ? parce qu'elle va retourner la valeur de l'indice en cas de succès et disons 0 en cas d'échec; on lui passera comme paramètres d'entrée le libellé et la capacité/vitesse de l'article cherché

variante 1 (multitableaux)

```
Fonction chercheArticle(lib : Texte, capa : Entier) : typIndArt
Variable indice : 1..maxA\( t+1 \)
         trouvé, fini : Logique
Début
  trouvé ← faux
  indice \leftarrow 1
  fini ← (indice > nbArt)
  tantQue non (trouvé ou fini)
    Si tablLibellés[indice] = lib ET tablCapacités[indice] = capa Alors # 2 critères
      trouvé ← vrai
    Sinon
      indice \leftarrow indice + 1
      fini \leftarrow (indice > nbArt)
    finSi
  Si trouvé Alors renvoie(indice)
            Sinon renvoie(-1)
  finSi
Fin
```

variante 2 (tableau d'enregistrements)

```
Fonction chercheArticle(lib : Texte, capa : Entier) : typIndArt
Variable indice : 1..maxArt+1
         trouvé, fini : Logique
Début
  trouvé ← faux
  indice \leftarrow 1
  fini \leftarrow (indice > nbArt)
  tantQue non (trouvé ou fini)
    Avec tablStock[invice]
      Si libellé = lib ET capacité = capa Alors # 2 critères
        trouvé ← vrai
      Sinon
        indice \leftarrow indice + 1
        fini ← (indice > nbArt)
      finSi
    finAvec
  Si trouvé Alors renvoie(indice)
            Sinon renvoie(-1)
  finSi
Fin
```

A présent, la procédure d'ajout

variante 1 (multitableaux)

```
Procédure ajouterArticle :
Variable libellé : Texte, capacité : Entier, prix : Réel, quantité : Entier
         indice : typIndArt
Début
  lire(libellé)
  lire(capacité)
  indice ← chercheArticle(libellé, capacité)
                                                    # où est cet article ?
  Si indice = 0 Alors
                                                    # pas trouvé ! le créer alors ...
    lire(prix)
    lire(quantité)
    nbArt \leftarrow nbArt + 1
                                                    # un article en plus dans le stock
    tablLibellés[nbArt] ← libellé
                                                    # le mettre derrière les autres
    tablCapacités[nbArt] ← capacité
    \texttt{tablPrix[nbArt]} \leftarrow \texttt{prix}
    tablQuantités[nbArt] ← quantité
  Sinon
                                                    # trouvé ! augmenter le stock
    lire(quantité)
    tablQuantités[indice] ← tablQuantités[indice] + quantité
  finSi
Fin
```

variante 2 (tableau d'enregistrements)

```
Procédure ajouterArticle :
Variable art : tArt
                               # un article de travail
         indice : typIndArt
Début
  lire(art.libellé)
  lire(art.capacité)
  indice ← chercheArt(art.libellé, art.capacité) # où est cet article ?
  Si indice = 0 Alors
                                                   # pas trouvé ! le créer alors ...
    lire(art.prix)
    lire(art.quantité)
    nbArt \leftarrow nbArt + 1
                                                   # un article en plus dans le stock
    tablStock[nbArt] ← art
                                                    # le mettre derrière les autres
  Sinon
                                                   # trouvé ! augmenter le stock
    lire(art.quantité)
    tablStock[indice].quantité \leftarrow tablStock[indice].quantité + art.quantité
  finSi
Fin
```

Continuons avec une procédure de tri composite (en majeur sur le libellé et en mineur sur la capacité/vitesse)

variante 1 (multitableaux)

```
Procédure triCatalogue :
Variable ind1, ind2, indMin : typIndArt
         ech : Texte, echE : Entier, echR : Réel
                                                         # variables pour échange
Début
  Pour indl de 1 à nbArt - 1
    indMin \leftarrow ind1
    Pour ind2 de ind1 + 1 à nbArt
      Si tablLibellés[ind2] < tablLibellés[indMin] OU # majeur/mineur en une fois
         (tablLibellés[ind2] = tablLibellés[indMin]
           ET tablCapacités[ind2] < tablCapacités[indMin]) Alors
        indMin \leftarrow ind2
      finSi
    finPour
    Si indMin ≠ ind1 Alors
                                                # échanger dans quatre tableaux !!!!
      echT ← tablLibellés[indMin]
      tablLibellés[indMin] ← tablLibellés[ind1]
      tablLibellés[ind1] ← echT
      echE ← tablCapacités[indMin]
      tablCapacités[indMin] ← tablCapacités[ind1]
      tablCapacités[ind1] ← echE
      echR ← tablPrix[indMin]
      tablPrix[indMin] ← tablPrix[ind1]
      tablPrix[ind1] \leftarrow echR
      echE ← tablOuantités[indMin]
      tablQuantités[indMin] ← tablQuantités[ind1]
      tablQuantités[ind1] ← echE
    finSi
  finPour
Fin
```

variante 2 (tableau d'enregistrements)

```
Procédure triCatalogue :
Variable ind1, ind2, indMin : typIndArt
         echA : tArticle
                                                 # variable article pour échange
Début
  Pour ind1 de 1 à nbArt - 1
    indMin \leftarrow ind1
    Pour ind2 de ind1 + 1 à nbArt
      Si tablStock[ind2].libellé < tablStock[indMin].OU # majeur/mineur en une fois
         (tablStock[ind2].libellé = tablStock[indMin].libellé
           ET tablStock[ind2].capacité < tablStock[indMin].capacité) Alors</pre>
        indMin \leftarrow ind2
      finSi
    finPour
    Si indMin ≠ indl Alors
                                                 # échanger deux articles du tableau
      echA ← tablStock[indMin]
      tablStock[indMin] ← tablStock[ind1]
      tablStock[ind1] ← echA
    finSi
  finPour
Fin
```

b) Exemple(s) complet(s)

On peut donc à présent imaginer l'algorithme complet de la variante 2 (tableau d'enregistrements puisqu'une implémentation multitableaux présente trop d'inconvénients)

```
Algorithme gestionStock1 :
Constante maxArt = 100
                                                    # nombre max d'articles
Type tArticle = enregistrement
                                                    # article abstrait
       libellé : Texte
       capacité : Entier
                 : Réel
       prix
       quantité : Entier
     Fin
Type typIndArt = 0..maxArt
                                                           # type d'indice
Variable tablStock : tableau[maxArt] de tArticle # tableau d'articles
         nbArt : typIndArt
                                                           # borne : nombre d'articles
         choix : Entier
                                                           # choix de menu
         terminé : Logique
                                                           # état
   Fonction chercheArticle(lib : Texte, capa : Entier) : typIndArt
   Variable indice : 1..maxArt+1
             trouvé, fini : Logique
   Début
     trouvé ← faux
     indice \leftarrow 1
     fini \leftarrow (indice > nbArt)
     tantQue non (trouvé ou fini)
       Avec tablStock[indice]
         Si libellé = lib ET capacité = capa Alors
                                                         # 2 critères
            trouvé ← vrai
         Sinon
            \texttt{indice} \leftarrow \texttt{indice} + 1
            fini \leftarrow (indice > nbArt)
          finSi
        finAvec
     Si trouvé Alors renvoie(indice) Sinon renvoie(-1) finSi
   Fin
   Procédure ajouterArticle :
   Variable art : tArt
                                             # un article de travail
             ind : typIndArt
   Début
     lire(art.libellé)
                                             # que cherche-t-on ?
     lire(art.capacité)
     ind ← chercheArticle(art.libellé, art.capacité)
                                                         # où est cet article ?
     Si ind = 0 Alors
                                             # pas trouvé ! le créer alors ...
       lire(art.prix)
       lire(art.quantité)
       nbArt \leftarrow nbArt + 1
                                                    # un article en plus dans le stock
                                                    # le mettre derrière les autres
       \texttt{tablStock[nbArt]} \leftarrow \texttt{art}
     Sinon
                                             # trouvé ! augmenter le stock
       lire(art.quantité)
       tablStock[ind].quantité ← tablStock[ind].quantité + art.quantité
     finSi
   Procédure supprimerArticle :
   Variable art : tArt
                                             # un article de travail
            ind : typIndArt
   Début
     lire(art.libellé)
                                             # que cherche-t-on ?
     lire(art.capacité)
     ind ← chercheArticle(art.libellé, art.capacité)
                                                           # où est cet article ?
     Si ind = 0 Alors
                                             # pas trouvé ! le dire
       écrire('article inexistant !')
     Sinon
                                             # trouvé ! diminuer le stock ...
       lire(art.quantité)
       Si tablStock[ind].quantité < art.quantité Alors # ... si c'est possible !
          écrire('stock insuffisant !')
          tablStock[ind].quantité ← tablStock[ind].quantité - art.quantité
       finSi
     finSi
   Fin
```

```
Procédure consulterArticle :
Variable art : tArt
                                         # un article de travail
         ind : typIndArt
Début.
  lire(art.libellé)
                                         # que cherche-t-on ?
  lire(art.capacité)
  ind ← chercheArticle(art.libellé, art.capacité)
                                                      # où est cet article ?
  Si ind = 0 Alors
                                         # pas trouvé ! le dire
    écrire('article inexistant !')
  Sinon
                                         # trouvé ! afficher détails ...
    écrire(tablStock[ind].prix)
    écrire(tablStock[ind].guantité)
  finSi
Fin
Procédure trierCatalogue :
Variable ind1, ind2, indMin : typIndArt
         echA : tArticle
                                                # variable article pour échange
  Pour ind1 de 1 à nbArt - 1
    \texttt{indMin} \leftarrow \texttt{ind1}
    Pour ind2 de ind1 + 1 à nbArt
      Si tablStock[ind2].libellé < tablStock[indMin].OU
                                                                    # majeur ...
         (tablStock[ind2].libellé = tablStock[indMin].libellé
                                                                    # mineur
          et tablStock[ind2].capacité < tablStock[indMin].capacité) Alors
        indMin \leftarrow ind2
      finSi
    finPour
    Si indMin ≠ ind1 Alors
                                                # échanger deux articles du tableau
      echA ← tablStock[indMin]
      tablStock[indMin] ← tablStock[ind1]
      tablStock[ind1] \leftarrow echA
    finSi
  finPour
Fin
Procédure afficherCatalogue :
Variable ind : typIndArt
Début.
  Pour ind de 1 à nbArt
    Avec tablStock[ind]
                                  # préfixage ...
                                  # ... des champs
      écrire(catégorie)
      écrire(libellé)
      écrire(prix)
      écrire(quantité)
    finAvec
  finPour
Fin
Procédure afficherMenu :
Début
  écrire('Gestion de stock')
  écrire('=======')
  écrire('0. Quitter')
  écrire('1. Créer)
  écrire('2. Ajout')
  écrire('3. Suppression')
  écrire('4. Consultation')
  écrire('5. Impression catalogue')
  écrire('>> votre choix >>')
  Répéter
    lire(choix)
  Jusque choix entre 0 et 5
                                  # il vaudrait mieux mettre des constantes
Fin;
Procédure traiterChoixMenu :
  selonQue choix Vaut
    0 : terminé ← vrai
    1 : créerStock
    2 : ajouterArticle
    3 : supprimerArticle
    4 : consulterArticle
    5 : trierCatalogue
        afficherCatalogue
  finSO
Fin;
```

et enfin, la séquence principale, toujours minimaliste :

```
Début
Répéter
afficherMenu
traiterChoixMenu
Jusque terminé
Fin.
```

Peut-on faire mieux encore ? bien entendu! comme on l'aura remarqué,

• la structure de données est plus élégante avec les enregistrements, mais le stock nécessite deux variables : un tableau d'articles tablstock et la variable nbArt indiquant le nombre d'articles et le plus grand indice atteint dans ce tableau : on va donc devoir passer systématiquement ces deux variables à toutes les fonctions et procédures

une fois encore, la structure d'enregistrement va s'avérer utile en rassemblant ces deux facettes d'un stock (tableau d'articles et nombre d'articles) en une seule structure :

```
Constante maxArt = 100
                                              # nombre max d'articles
Type tArticle = enregistrement
                                              # article abstrait
       libellé : Texte
       capacité : Entier
      prix : Réel
      quantité : Entier
     Fin
Type typIndArt = 0..maxArt
                                              # type d'indice
Type tStock = Enregistrement
                                              # stock abstrait, composé
       tbStock : tableau[maxArt] de tArticle
                                                    # d'un tableau d'articles
      nbArt : typIndArt
                                                    # d'un nombre d'articles
     Fin
Variable stock : tStock
                                              # stock concret
         erreur : 0..999
                                              # code d'erreur
```

- chacune des procédures écrites dans l'exemple manipule directement et explicitement les variables globales. Pour faire de tous ces outils des composants réutilisables, il suffit de les paramétrer : on veillera bien entendu à passer correctement ces adresses (par copie/valeur ou par référence/adresse) dans chaque cas de figure
- dans la foulée, et toujours dans un souci d'une meilleure indépendance de ces outils procéduraux, on va en retirer les instructions d'entrées-sorties (donc on va redécouper les procédures à l'aide d'autres fonctions et/ou procédures)

```
Algorithme gestionStock2 :
   Constante maxArt = 100
                                                  # nombre max d'articles
   Type tArticle = enregistrement
                                                  # article abstrait
          libellé : Texte
          capacité : Entier
          prix : Réel
          quantité : Entier
        Fin
   Type typIndArt = 0..maxArt
                                                  # type d'indice
                                                  # stock abstrait, composé
   Type tStock = Enregistrement
          tbStock : tableau[maxArt] de tArticle
                                                        # d'un tableau d'articles
          nbArt : typIndArt
                                                        # d'un nombre d'articles
        Fin
   Variable stock: tStock
                                                  # stock concret
         choix : Entier
                                                        # choix de menu
                                                        # état
         terminé : Logique
   Procédure initialiserStock(ref s : tStock)
   # initialiser un stock # -
   Début ___-
     s.nbArt \leftarrow 0
                     # aucun article en stock
   Fin
```

```
Procédure gérerErreurs :
# centralisation de la gestion d'erreurs et des messages associés
Début
  selonQue erreur Vaut
    1 : écrire('
    2 : écrire('article inexistant !')
    3 : écrire('stock insuffisant')
  finSO
Fin
Fonction chercheArticle(a : tArticle, s : tStock) : typIndArt # chercher un article a dans un stock s : revoyer son indice ou 0
Variable indice : 1..maxArt + 1
          trouvé, fini :/Logiane
Début
  trouvé \leftarrow faux
  indice \leftarrow 1
  fini ← (indice > nbArt)
  tantQue non (trouvé ou fini)
    Avec s.tablStock indice]
      Si libellé = a'.libellé FT capacité = a.capacité Alors
                                                                       # 2 critères
        trouvé \leftarrow vrai
      Sinon
        indice \leftarrow indice + \frac{1}{4}
        fini ← (indice > s.nbArt)
      finSi
    finAvec
  Si trouvé Alors renvoie(indice) Sinon renvoie(-1) finSi
Fin
Fonction lireArticle(): tArticle
# lit des champs d'un article et renvoie cet article
Variable art : tArticle
                          # article travail
Début
  Avec art
    lire(catégorie/
    lire(libellé)
    lire(prix)
    lire(quantité)
  finAvec
  renvoie(art)
Fin
Procédure ajoutArticle(a : tArticle, ref s : tStock) :
# ajouter un article a dans un stock s
Variable ind : typIndArt
  Avec s
                          11
    Si nbArt = tMax Alors\\
                           11
      erreur \leftarrow 1
                            11
      ind \leftarrow chercheArticle(a, s)# où est cet article?
      Si ind = 0 Alors
                                           # pas trouvé ! le créer alors ...
        nbArt \leftarrow nbArt + 1 
                                                  # un article en plus dans le stock
        tablStock[nbArt] ← a
                                                  # le mettre derrière les autres
                                           # trouvé ! augmenter le stock
        tablStock[ind].quantité 

tablStock[ind].quantité + a.quantité
      finSi
    finAvec
  finSi
Fin
Procédure ajouterArticle(refy s : tStock) :
# ajouter un article dans wn stock s
Variable art : tArticle
Début
  art ← lireArticle( /
  ajoutArticle(art, s)
  gérerErreurs
Fin
```

```
Procédure suppressionArticle(a : tArticle, ref s : tStock) :
# supprimer un article a d'un stock s
Variable ind : typIndArt
Début
  ind ← chercheArticle(a, s) T
Si ind = 0 Alors
                                  # où est cet article ?
                                           # pas trouvé ! le signaler
    \texttt{erreur} \leftarrow 2
  Sinon
    inon
Avec s.tablStock[ind]
                                           # trouvé ! diminuer le stock ...
      Si quantité < a.quantité | Alors
                                           # ... si c'est possible !
        erreur \leftarrow 3
                                                  # non ? le signaler
      Sinon
        quantité ← quantité - a.quantité
      finSi
    finAvec
  finSi
Fin
Procédure ajouterArticle(ref s : tStock) :
# supprimer un article d'un stock s
Variable art : tArticle / Début /
  art ← lireArticle()
  suppressionArticle(art, s)
  gérerErreurs
Fin
Procédure consultationArticle(a : tArticle, s : tStock) :
# obtenir les détails sur un article a d'an stock s
 ind ← chercheArticle(a, st # où e
Si ind = 0 Alors
Variable ind : typIndArt
                                    # où est cet article ?
                                           # pas trouvé ! le dire
    \texttt{erreur} \; \leftarrow \; 2
  Sinon
                                           # trouvé ! afficher détails ...
    Avec s.tablStock[ind]
      écrire(catégorie)
      écrire(libellé)
      écrire(prix)
      écrire(quantité)
    finAvec
  finSi
Fin
Procédure consulterArticle(s : tStock) :
# consulter un article d'un stock s
Variable art : tArticle début
  art ← lireArticle()
  consultationArticle(art, s)
  gérerErreurs
Fin;
 echA: tArticle

Avec s
Procédure trierCatalogue(ref_s : tStock) :
Variable ind1, ind2, indMin : typIndArt
                                                  # variable article pour échange
Début
    Pour indl de 1 à nbArt - 1
      indMin \leftarrow ind1
      Pour ind2 de ind1 + 1 à nbArt
         Si tablStock[ind2].libellé < tablStock[indMin].OU
                                                                      # majeur ...
# mineur
           (tablStock[ind2].libellé = tablStock[indMin].libellé
            et tablStock[ind2].capacité < tablStock[indMin].capacité) Alors
           indMin \leftarrow ind2
        finSi
      finPour
      Si indMin ≠ ind1 Alors
                                                   # échanger deux articles du tableau
         echA ← tablStock[indMin]
        tablStock[indMin] ← tablStock[ind1]
        tablStock[ind1] \leftarrow echA
      finSi
    finPour
  finAvec
Fin
```

```
Procédure afficherCatalogue(s : tStock) :
   # afficher le catalogue d'un stock s
   Variable ind : typFndArt
   Début
     Avec s
       Pour ind de 1 à nbArt
         Avec tablStock[ind]
                                     # préfixage ...
                                     # ... des champs
           écrire(catégorie)
           écrire(libellé)
           écrire(prix)
           écrire(quantité)
         finAvec
       finPour
     finAvec
   Fin;
   Procédure afficherMenu :
   Début
     écrire('Gestion de stock')
     écrire('=======')
     écrire('0. Quitter')
     écrire('1. Créer)
     écrire('2. Ajout')
     écrire('3. Suppression')
     écrire('4. Consultation')
     écrire('5. Impression catalogue')
     écrire('>> votre choix >>')
     Répéter
       lire(choix)
     Jusque choix entre 0 et 5
   Fin;
   Procédure traiterChoixMenu :
   Début
                                     # enfin, seule référence à la variable globale
     selonQue choix Vaut
       0 : terminé \leftarrow vrai
       1 : créerStock(stock)
       2 : ajouterArticle(stock)
       3 : supprimerArticle(stock)
       4 : consulterArticle(stock)
       5 : trierCatalogue(stock)
           afficherCatalogue(stock)
     finSQ
   Fin;
et enfin, la séquence principale, toujours minimaliste :
Début
  Répéter
    afficherMenu
    traiterChoixMenu
  Jusque terminé
Fin.
```

6. EXERCICES RÉCAPITULATIFS

1) Thème : procédures et fonctions pour la gestion des chaînes de caractères (le type Texte)

On souhaite développer des outils intéressants sur les chaînes de caractères, tout en cachant leur implémentation concrète.

On suppose l'implémentation suivante : la déclaration

```
variable txt : Texte
```

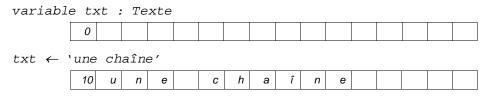
repose (ici) sur le fait que le type Texte correspond lui-même à la déclaration suivante :

```
type Texte = tableau[0..255] de Caractère
```

avec les conventions suivantes :

- les caractères de la chaîne occuperont chacun une case du tableau à partir de l'indice 1
- l'indice 0 du tableau sert à conserver la longueur de la chaîne de caractères ; on le désignera par descripteur de longueur
- lors de la déclaration d'une variable, la valeur 0 est automatiquement placée à l'indice 0, indiquant une chaîne vide, le reste du tableau possédant un contenu indéfini
- l'instruction d'affectation d'une chaîne de caractères à une variable de ce type 'se charge' de tout : placement des différents caractères dans les cases et mise à jour du descripteur de longueur
- les procédures d'entrée/sortie font de même : lire(txt) affecte le contenu et met à jour le descripteur ; écrire(txt) utilise le descripteur pour n'afficher que les caractères contenus

Exemple



Rédigez l'ensemble de procédures et de fonctions concrètes (donc exploitant spécifiquement le fait qu'une chaîne est un tableau de caractères comme décrit ci-dessus) qui permette un usage totalement transparent des chaînes de caractères dans un algorithme principal; vous devez bien entendu (on ne se préoccupe pas ici des considérations de performance) et chaque fois que c'est possible utiliser certaines de ces procédures et/ou fonctions dans la définition des autres ... (les fonctions et procédures demandées sont listées ci-dessous dans un ordre quelconque)

Pour ce qui concerne les procédures, il n'est pas indiqué dans les définitions fonctionnelles cidessous ce qui doit être passé par valeur/copie et ce qui doit l'être par adresse/référence : <u>cette</u> tâche vous incombe.

De même qu'il vous incombe pour chaque 'outil' de faire tous les contrôles et validations nécessaires permettant d'assurer son bon fonctionnement dans tous les cas de figure

• longueur(t : Texte) : 0..255 :

cette fonction renvoie la longueur (nombre de caractères) de la chaîne passée en argument

```
exemple d'utilisation : écrire(t, `contient `, longueur(t), ` caractères')

# # exemple d'implémentation
# fonction longueur(t : Texte) : 0..255
Debut
    renvoie (ord(t[0])) # transformer le caractère descripteur en valeur entière
Fin
```

• estVide(t : Texte) : Logique :

cette fonction renvoie le caractère vide ou non de la chaîne passée en argument

exemple d'utilisation : si estVide(t) alors ... sinon ... finSi

• estContenue(t1, t2 : Texte) : Logique :

cette fonction renvoie si oui/non la seconde chaîne est contenue dans la première

exemple d'utilisation: txt1 ← 'interro d''algorithmique' txt2 ← 'algo'

si estContenue(t1, t2) alors ... sinon ... finSi

position(t1, t2 : Texte) : 0..255 :

cette fonction renvoie la position de la chaîne 2 dans la chaîne 1 (la position du premier caractère en cas de réussite, la valeur 0 en cas d'échec)

exemple d'utilisation : t1 ← 'interro d''algorithmique'

t2 ← 'algo'

ecrire(position(t1, t2)) # affiche : 11

t2 ← 'rythme'

ecrire(position(t1, t2)) # affiche : 0

concatenation(t1, t2 : Texte) : Texte :

cette fonction renvoie une chaîne qui est la mise bout à bout des deux chaînes transmises comme paramètres

exemple d'utilisation: t1 ← 'algo'

t2 ← 'rithmique'

ecrire(concatenation(t1, t2)) # affiche : algorithmique

• concatener(t1, t2 : Texte) :

cette procédure modifie la première chaîne en y concaténant la seconde

exemple d'utilisation : t1 ← 'algo'

t2 ← 'rithmique'

ecrire(t1) # affiche : algo # affiche : rithmique ecrire(t2)

concatener(t1, t2))

ecrire(t1) # affiche : algorithmique ecrire(t2) # affiche : rithmique

• extraction(t : texte ; début : 1..255, longueur : 1..255) : Texte :

cette fonction renvoie la sous-chaîne de caractères à partir de la position début et sur la longueur spéci-

conditions et variantes :

- ° si la longueur spécifiée est 0, ce sont tous les caractères depuis la position début qui sont renvoyés
- ° si la position début est supérieure à la longueur de la chaîne c, une chaîne vide est renvoyée
- ° si la longueur spécifiée 'dépasse' le contenu de c, c'est comme si on avait spécifié une longueur 0

exemple d'utilisation: t ← 'interro de maths'

> ecrire(extraction(t,12, 4)) # affiche : math ecrire(extraction(t,22, 4)) # affiche :

ecrire(extraction(t,9, 44)) # affiche : de maths

• remplacerCar(t : Texte, c : Caractère, pos : 1..255) :

cette procédure remplace le caractère de t à la position pos par le caractère c

exemple d'utilisation: t ← 'interro de maths' remplacerCar(t,'*', 5))

ecrire(txt) # affiche : inte*ro de maths

• remplacerTCar(t : Texte, c1, c2 : Caractère) :

cette procédure remplace dans t toutes les occurrences du caractère c1 par le caractère c2

exemple d'utilisation : t ← 'interro d''algorithmique'

remplacerTCar(t,'r', 'R'))

ecrire(t) # affiche : inteRRo d'algoRithmique

• remplacerOcc(t1, t2, t3 : Texte) :

cette procédure remplace dans t1 la première occurrence de la sous-chaîne t2 par la chaîne t3

• remplacerTOcc(t1, t2, t3 : Texte) :

cette procédure remplace dans t1 toutes les occurrences de la sous-chaîne t2 par la chaîne t3

exemple d'utilisation : $\begin{array}{ll} \text{txt} \leftarrow \text{`interro d''algo'} \\ \text{remplacerOcc(txt,' d''algo', `de math'))} \\ \text{ecrire(txt)} & \text{\# afffiche : interro de math} \end{array}$

• estNumerique(t : texte) :

cette procédure détermine si la chaîne t possède un contenu numérique

exemple d'utilisation : $txt \leftarrow `la23'$ si estNumerique(t) alors ... sinon ... finSi

• trouvez vous-même l'une ou l'autre fonction et/ou procédure supplémentaire(s) qui vous semble intéressante(s) pour le traitement des chaînes de caractères

2) Cette version (provisoire) d'un tri de tableau a été donnée à une époque :

```
Algorithme tri
Constante tInf = 1, tSup = 200
                                       # définition de la taille physique du tableau
Type typIndicesP = tInf .. tSup
                                       # intervalle des indices physiques
Type typIndicesR = 0 .. tSup
                                       # intervalle des indices réels
Variable t : Tableau[typIndicesP] de Entier
         bInf, bSup : typIndicesR  # variables indiquant les bornes réelles
         estTrié : Logique
                                       # état du tableau
Procédure parcoursEchange :
variable : ech : entier
                                       # variable pour l'échange
           indice: typIndicesP
                                       # indice d'itérateur
Début
  estTrié ← vrai
                                              # l'optimisme habituel
  Pour indice de bInf à bSup - 1
    Si t[indice] > t[indice + 1] Alors
                                              # manifestement le tableau n'est pas ordonné
                                              # on fait l'échange ...
      ech \leftarrow t[indice]
      t[indice] \leftarrow t[indice + 1]
      t[\mathit{indice} + 1] \leftarrow \mathit{ech}
      estTrié ← faux
                                              # ... et nécessité d'un nouveau parcours
    finSi
  finPour
Procédure triBulle :
  Répéter
   parcoursEchange
 Jusque estTrié
Fin
Procédure chargerTableau :
Debut
Fin
Procédure afficherTableau :
Debut
Fin
Début
                         # tri
 chargerTableau
  triBulle
  afficherTableau
Fin.
```

En supposant qu'un algorithme déclare les trois variables suivantes :

```
Constante tInf = 1, tSup = 200 # définition de la taille physique du tableau 
Type typIndicesP = tInf .. tSup # intervalle des indices physiques 
Type tabEntier = Tableau[typIndicesP] de Entier 
Variable t1, t2, t3 : tabEntier
```

- a) rédiger (avec un ensemble cohérent de fonctions et procédures, de leur(s) paramètre(s), et en utilisant correctement sur le mode de passage de ceux-ci) une version de l'algorithme permettant de charger, trier et afficher chacun de ces tableaux à son tour (ou à la demande); (si nécessaire, modifier également le bloc déclaratif des données)
- b) rédigez une fonction chercheSeq() et une fonction chercheDicho() permettant d'effectuer (séquentiellement pour la première, dichotomiquement pour la seconde) la recherche d'une valeur (entière) particulière dans un de ces trois tableaux (valeur retournée par ces fonctions : vrai/faux)
- c) en utilisant la structure d'enregistrement, proposez une implémentation (données et outils algorithmiques) qui allège la programmation du chargement/tri/affichage/recherche

3) Travail de groupe (semaine 8, novembre, année 2010-2011)

Rappelez-vous ... l'année dernière, à votre demande ②, le Père Noël vous avait apporté une petite station météorologique que vous avez installée dans votre jardin, et – respectant la résolution que vous aviez prise – vous effectuez depuis lors et chaque matin un relevé de température, de pression atmosphérique et de pluviosité, mesures soigneusement encodées et conservées informatiquement ... (via un programme rédigé par vos soins & en langage Pascal) ... vous avez ainsi pu établir toutes sortes de données statistiques (moyennes, min/max, ...) à partir des tableaux mensuels patiemment collectés ...

Hasard ou conséquence ? On vous propose aujourd'hui d'effectuer un stage au service informatique du SRCICDUGRW (Service Régional de Centralisation Informatique des Collectes de Données sans doute Utiles à la Gestion de la Région Wallonne) et plus spécifiquement dans son département DGOSPGCVF (Département Général Opérationnel de Surveillance, de Prévision et de Gestion de Crise des Voies Fluviales) afin de participer à un vaste projet de collecte de données relatives aux cours d'eau traversant la Wallonie.

CONTEXTE GÉNÉRAL

Le saviez-vous ? il y a des fleuves, des rivières et des canaux qui traversent la Wallonie, et pour se faire une idée de l'état de chacun et pouvoir prévoir une évolution à court terme (p.ex. les douze prochaines heures) et à moyen terme (p.ex. deux à cinq jours), il faut rassembler des données telles que : la pluviosité (eh oui, ce sont les pluies qui alimentent les cours d'eau ! les précipitations sont mesurées en mm, ce qui correspond à des litres/m²), le débit (volume d'eau par unité de

temps, exprimé en m³/sec) et la hauteur d'eau (ou niveau, exprimé en m).

Pour ce faire, le long de chaque cours d'eau, sont disposées de petites stations automatiques de mesure (alimentées par une batterie rechargée en journée par un panneau solaire) disposant chacune d'un pluviomètre, d'un limnigraphe (appareil mesurant la hauteur d'eau) et d'un débitmètre; chacune dispose d'un modem et est ainsi raccordée au réseau téléphonique, ce qui assure la transmission de ses mesures à un serveur et permet une télésurveillance de l'état des appareils

Il y a actuellement 230 stations de ce type (et il est prévu à terme de deux ans de couvrir l'ensemble du territoire avec un maximum de 300 stations)



STATIONS

Pour identifier chaque station, on souhaite

- lui affecter un code numérique (entier) unique (p.ex. 1043 pour la station de "Wavre")
- lui donner un nom (p.ex. de la ville ou du lieu-dit où elle est placée), lui aussi unique (quand il y a plusieurs stations dans une même ville sur un même cours d'eau, on lève l'ambiguïté en précisant le lieu, p.ex. "Walcourt-gare" et "Walcourt-seuil")
- spécifier à quel cours d'eau elle est associée (une station ne gère qu'un seul cours d'eau) (p.ex. "Meuse", "Ourthe", "Canal Albert")
- enregistrer ses coordonnées, en longitude et latitude (degrés, minutes et secondes d'arc)
- enregistrer sa date d'installation (année, mois, jour)
- enregistrer la date de la dernière intervention du service de maintenance (année, mois, jour)

MESURES

Chaque station effectue automatiquement quatre mesures par jour (à 00h00, 06h00, 12h00 et 18h00)

Chaque prise de mesure comporte trois valeurs (somme de pluviosité sur les 6 dernières heures, débit et hauteur instantanés, dans cet ordre), (p.ex. 23.5 142.5 1.82 NB : avec 1 décimale pour la pluviosité et le débit, 2 décimales pour la hauteur)

Chacune des quatre prises, précédée du code de la station, de la date (année, mois, jour) et du numéro de prise (dans cet ordre), est aussitôt transmise par le modem à un programme de collecte et de mémorisation. (p.ex. 1043 2010 11 27 1 23.5 142.5 1.82)

Ce programme devra conserver l'ensemble des mesures (considérez que la prise de mesures a commencé en 2001 et que le programme doit encore tenir cinq ans avant une prochaine réinformatisation)

Ce programme devra également permettre toutes les opérations, par exemple,

- la gestion des stations (ajout, modification, suppression)
- la gestion des mesures (modification de mesures erronées, encodage manuel en cas de panne de station, ...)
- la mise à disponibilité des mesures (listes diverses à des fins statistiques, ...)

VOTRE MISSION

- 1. structure de données (ADT)
 - a) proposez une structure de données pour représenter le <u>concept de station</u>; veillez à la structurer de telle sorte que l'encodage puisse s'effectuer de manière simple à travers des fonctions et ou procédures réutilisables constituant son API
 - b) proposez une structure de données pour représenter le parc de stations disponibles
 - c) proposez une structure de données pour représenter le <u>concept de mesure</u> transmise par la station vers le serveur
 - d) proposez une structure de données pour mémoriser l'<u>ensemble des mesures</u> pour la durée de vie prévue pour le programme
- 2. interface de programmation (API)
 - a) sur les structures de données que vous avez proposées en 1a) et 1b), rédigez un ensemble de fonctions et de procédures paramétrées permettant d'ajouter une nouvelle station au parc existant (ces données doivent évidemment être soigneusement validées, et veillez également à tout (?) prévoir ... p.ex. essayer d'ajouter une station existant déjà !)
 - b) sur les structures de données que vous avez proposées en 1c) et 1d) écrivez une procédure (ou une fonction) paramétrée permettant l'enregistrement d'une mesure transmise par une station (aucune validation n'est à prévoir)
 - c) rédigez une procédure paramétrée permettant de lister les stations dans l'ordre alphabétique des cours d'eau (en majeur) et des villes (en mineur)
 - d) rédigez une procédure paramétrée permettant de lister les stations dans l'ordre chronologique de leur installation

- e) écrivez une fonction paramétrée qui renvoie le numéro unique d'une station (sur base de son nom p.ex. "Wavre" et du cours d'eau qu'elle gère p.ex. "Dyle")
- f) en utilisant cette fonction, écrivez une procédure paramétrée qui affiche chronologiquement tous les relevés de débit d'une station donnée, pour une année, un mois et une prise données (p.ex. mars 2008 à 12h00)
- g) en utilisant cette fonction, écrivez une autre fonction qui renvoie la moyenne de pluviosité pour un mois, une année et une station données
- h) en utilisant cette nouvelle fonction, écrivez une procédure paramétrée qui affiche la moyenne de pluviosité pour une station, une année et un mois donnés
- i) écrivez une procédure paramétrée permettant de connaître les cinq dernières opérations de maintenance sur le parc de stations

CONSIGNES

- 1. constituez des groupes de 3 étudiant(e)s décidé(e)s à collaborer
- 2. il ne faut pas rédiger de séquence principale! ceci est un exercice portant uniquement sur la conception d'une structure de données et des procédures et fonctions associées qui serviront d'outils algorithmiques ensuite, lors de la réalisation de l'application proprement dite; en conséquence, il n'y a donc <u>aucune variable globale</u> à prévoir (mais les constantes éventuelles font partie de la conception des données)
- 3. vous <u>devez</u> évidemment répondre d'abord aux quatre points de la question 1)
- 4. vous <u>devez</u> écrire l'en-tête de tous les outils algorithmiques (procédures et fonctions); pour rappel, l'en-tête est la ligne de déclaration reprenant le nom de l'outil, le nom et le type de chaque paramètre formel, et pour les fonctions, le type de la valeur de retour
- 5. vous devez répondre aux questions 2a), 2b) et 2e), 2g)
- 6. vous devez répondre à l'une des deux questions 2c) ou 2d) au choix
- 7. vous devez répondre aux questions 2e) et 2q)
- 8. vous <u>pouvez</u> répondre à l'une ou l'autre autre question à votre choix (primes)

CONSEILS

En algorithmique, puis en programmation, la clé du succès est souvent la simplicité associée à du simple bon sens ... ne concevez pas des 'usines à gaz⁷¹ ...

- ... une décomposition tant du côté des données que du coté des outils est donc vivement recommandée; meilleure sera la structure de données, plus aisée sera sa programmation !
- ... la simplicité, c'est également la clarté et la précision des noms, tant du côté des données que du coté des outils ...
- ... et la présence de commentaires bien 'dosés', ni trop peu, ni trop
- ... sans oublier la qualité et la présentation du pseudo-code lui-même

Ch.L. 2008-2014

ANNEXE

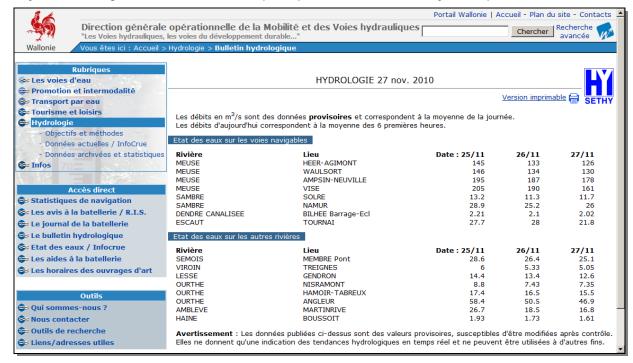


Le département DGOSPGCVF du SRCICDUGRW est évidemment une pure invention du rédacteur de cet exercice !

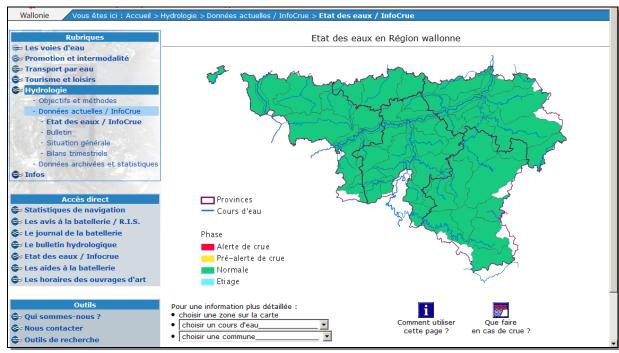
Plus sérieusement ... depuis plus de 10 ans, au sein du SETHY (Service d'Études Hydrologiques de la Région Wallonne), le service Hydrologie - dont il faut saluer le travail des ingénieurs, techniciens et informaticiens – a installé et connecté 230 stations de mesure et publie sur son site internet diverses pages reprenant des données globales, moyennes ou détaillées pour chacun des bassins hydrographiques et leurs cours d'eau

http://voies-hydrauliques.wallonie.be/opencms/opencms/fr/hydro/bulhyd.html

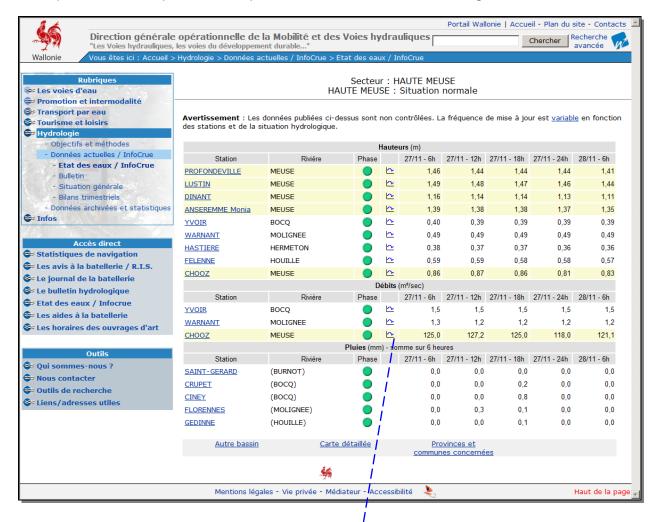
On y trouve les grandes tendances des principaux cours d'eau (moyenne quotidienne)



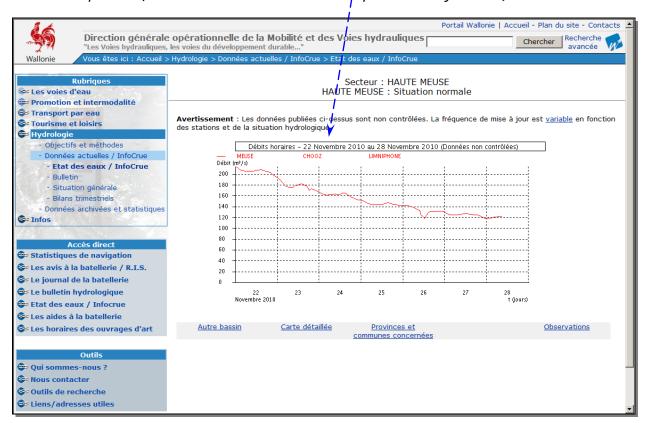
Via une carte (muette) interactive (de la Wallonie) ... et si on en profitait pour essayer d'y nommer les cours d'eau et d'y placer les principales villes ??? ... on a accès pour la sélection opérée ...



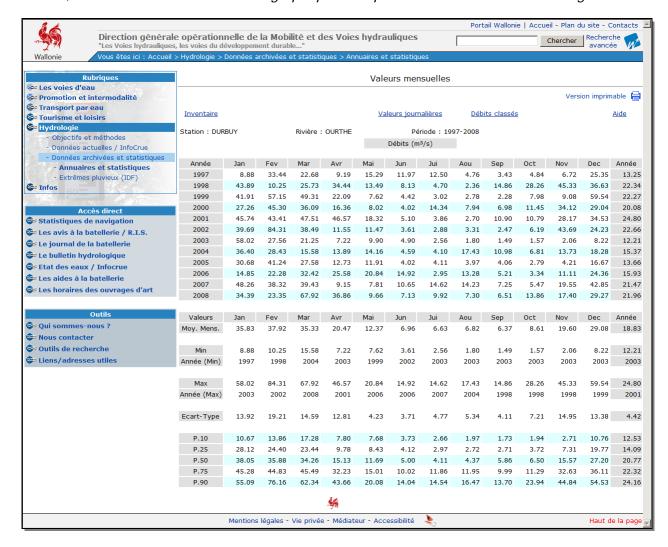
... à quatre mesures quotidiennes (par tranche de 6 heures) des trois grandeurs ...

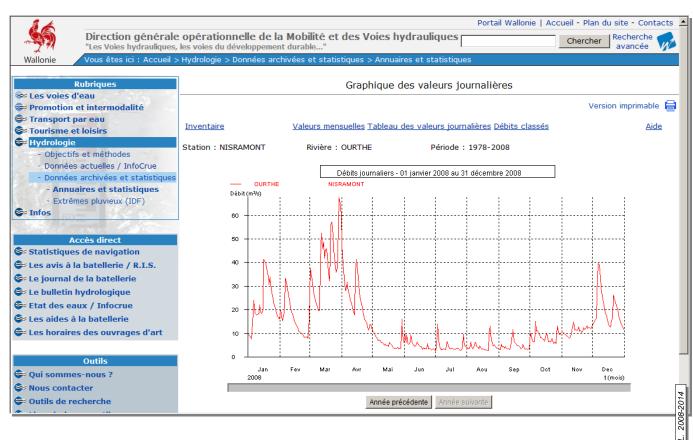


... et notamment aux débits et hauteurs qui sont disponibles et visualisables graphiquement quasiment 'en temps réel' (les stations envoient une mesure par heure aujourd'hui)



Enfin, de très nombreux tableaux et graphiques récapitulatifs sont consultables en ligne





- 4) Pour informatiser un service commercial, on utilise les déclarations suivantes :
 - les produits :

```
Constante maxProduits = 4000
                                        # nombre maximum de produits
Type tProduit = Enregistrement
                                        # définition d'un produit
  code
         : Texte
                                               # code unique, référence, p.ex. 'P012'
  libellé : Texte
                                               # nom du produit, p.ex. 'marteau 2kg'
  prix : Réel
                                               # prix unitaire du produit, p.ex. 12.5
Type indProduit = 0..maxProduits
                                        # un type sûrement utile pour la recherche
Type tProduits = Enregistrement
                                               # ensemble de produits
  nbProd : indProduit
                                                     # nombre de produits encodés
  tbProd : Tableau[maxProduits] de tProduit
                                                     # tableau de produits
variable catalogue : tProduits
                                        # concrètement, un catalogue de produits
```

savez-vous : (les ??? ci-dessous indiquent que vous devez déclarer des paramètres et leur mode de passage)

- 1) en utilisant les déclarations ci-dessus et la variable catalogue (mais sans écrire de procédure ou de fonction, il s'agit ici de maîtriser l'accès aux données via les structures) :
 - initialiser le catalogue ?
 - donner le prix du cinquième produit du catalogue ?
 - donner le libellé du dernier produit du catalogue ?
 - indiquer le nombre de produits encodés ?
- 2) écrire une procédure ajouterProduit (???) qui permette d'encoder un nouveau produit depuis le clavier (saisie d'un code et d'un libellé) et de l'ajouter dans le catalogue ? (seule validation à prévoir pour l'instant : reste-t-il de la place dans le catalogue ?)
- 3) écrire une fonction chercheCodeProduit(???): indProduit qui permette de vérifier qu'un produit (sur base de son code, passé comme paramètre) existe ou non dans le catalogue? en cas de succès, la fonction retourne l'indice du produit dans le tableau; en cas d'échec, la fonction retourne 0
- 4) modifier la procédure ajouterProduit ci-dessus afin de vérifier à l'aide de la fonction cherche-CodeProduit - que le nouveau produit n'a pas déjà été encodé dans le catalogue ? s'il existe, la procédure doit refuser l'ajout de ce produit
- 5) écrire une procédure trierCatalogue(???) permettant de trier le catalogue par ordre croissant des codes ?
- 6) modifier la procédure ajouterProduit ci-dessus afin qu'après ajout d'un nouveau produit, le catalogue reste trié par ordre croissant des codes ?
- 7) écrire une fonction libProduit(???) : Texte qui par recherche séquentielle dans un tableau trié renvoie le libellé d'un produit (sur base de son code, passé comme paramètre) et renvoie 'indisponible' sinon ? (on suppose le catalogue trié au moment où elle s'exécute)
- 8) écrire une procédure afficherCatalogueCode(???) qui affiche l'ensemble des produits du catalogue dans l'ordre croissant des codes ? (on suppose le catalogue trié au moment où elle s'exécute)
- 9) écrire une procédure afficherCatalogueLib(???) qui affiche l'ensemble des produits du catalogue dans l'ordre alphabétique des libellés, sans pour autant modifier le catalogue qui doit rester trié dans l'ordre croissant des codes ? (indication/rappel : si on passe par valeur un paramètre à une procédure, celle-ci peut modifier sans problème ce paramètre)

Si vous ne maîtrisez pas les procédures et fonctions paramétrées, vous pouvez toujours rédiger une version non paramétrée de ces outils, en travaillant directement sur les variables globales ...

- ... et si le type tProduits vous perturbe, décomposez-le en deux variables globales nbProd et tbProd et utilisez-les directement (dans une version non paramétrée des outils procéduraux)
- ... et si c'est le type tProduit qui vous perturbe, rédigez une version multi-tableaux du problème

- 5) Pour informatiser un service commercial suite de l'énoncé Révisions précédent dans lequel les produits sont définis on utilise les déclarations suivantes :
 - les fournisseurs :

```
Constante maxFourn = 100
                                  # nombre maximum de fournisseurs
                                  # nombre maximum de produits livrés par fournisseur
Constante maxLivr = 100
Type iFourn = 0..maxFourn
Type iLivr = 0..maxLivr
Type tFourn = Enregistrement # définition d'un fournisseur
 référence : Texte
                                  # un code unique d'identification (p.ex. `F0025')
 nom : Texte
                                  # nom du fournisseur, p.ex. 'hilti'
 adresse : Enregistrement
                                        # adresse
             : Texte
                                        # rue
   rue
    codePostal : 1000..9900
                                        # code postal
   ville
              : Texte
                                        # localité
  Fin
           : Texte
                                  # adresse mail
 téléphone : Texte
                                  # téléphone
  livraisons : Enregistrement
                                 # produits livrés par le fournisseur
    indLivr : 0..maxLivr
                                         # nombre de produits encodés
    tbLivr : Tableau[maxLivr] de Texte
                                         # tableau des codes de ces produits
  Fin
Fin
Type tabFourn = Enregistrement
                                        # ensemble de fournisseurs
  nbFourn : 0.. maxFourn
                                               # nombre de fournisseurs encodés
                                               # tableau de fournisseurs
 tbFourn : tableau[maxFourn] de tFourn
Variable fournisseurs : tabFourn
                                        # concrètement, une liste de fournisseurs
```

savez-vous: (les ??? ci-dessous indiquent que vous devez déclarer des paramètres et leur mode de passage)

- 1) en utilisant les déclarations ci-dessus et la variable fournisseurs (mais sans écrire de procédure ou de fonction, il s'agit ici de maîtriser l'accès aux données via les structures) :
 - donner le nombre de fournisseurs ?
 - donner le nom du cinquième fournisseur ?
 - donner le code postal du dernier fournisseur ?
 - indiquer le nombre de produits livrés par le premier fournisseur ?
 - donner le prix du troisième produit livré par le dernier fournisseur?
- 2) écrire une procédure ajouterFournisseur (???) qui permette d'encoder un nouveau fournisseur depuis le clavier (par saisie des informations signalétiques) et de l'ajouter dans la liste ? lors de cette création, veillez à ne pas oublier de vérifier qu'il reste de la place dans le tableau de fournisseurs et d'initialiser la liste des produits livrés par ce fournisseur!
- 3) écrire une fonction chercheFournisseur(???) : iFourn qui permette de vérifier qu'un fournisseur (sur base de sa référence uniquement) existe dans la liste ? si la recherche est fructueuse, la fonction renvoie l'indice du fournisseur dans la table des fournisseurs, sinon, elle renvoie 0
- 4) modifier la procédure ajouterFournisseur(???) afin de vérifier à l'aide de la fonction que le nouveau fournisseur n'a pas déjà été encodé dans la liste ?
- 5) écrire une fonction mailFournisseur(???) : Texte qui renvoie l'adresse mail d'un fournisseur dont on connaît que le téléphone; la fonction renvoie 'n/a' si un tel fournisseur ne figure pas dans la liste et renvoie '---' si le fournisseur trouvé n'a pas d'adresse mail ?
- 6) écrire une procédure ajouterFournProd(???) qui permette (pour un fournisseur dont on fournit la référence) d'ajouter un produit (dont on fournit le code) à la liste de ses livraisons? veillez à vérifier que le fournisseur existe dans la liste, que le produit fait partie du catalogue, et qu'il est possible de l'ajouter?
- 7) écrire une procédure listerFournProd(???) qui affiche pour un fournisseur dont on connaît la référence la liste <u>alphabétique</u> des produits qu'il fournit
- 8) écrire une procédure listerProdFourn(???) qui affiche pour un produit dont on connaît le code la liste alphabétique des fournisseurs qui fournissent ce produit

6) Note: cet exercice faisait partie de la liste des propositions d'énoncés pour l'examen de janvier 2009; comme il n'a pas été retenu, en voici une version 'de révision' plus compète (beaucoup plus de questions, couvrant plus largement l'ensemble du cours ...)

Tournois de cartes

Une maison de retraite nous a sollicités pour informatiser la gestion des tournois de jeu de cartes qu'elle organise pour ses pensionnaires ; après analyse, nous avons décidé de l'implémentation des données suivante :

• Les pensionnaires : (!! il ne peut en exister deux possédant le même nom et prénom !!)

```
Constante maxPens = 40
                                        # nombre maximum de pensionnaires
Type tPersonne = Enregistrement
                                        # définition d'un pensionnaire
 nom : Texte
                                                      # nom du pensionnaire
 prénom : Texte
                                                      # prénom du pensionnaire
Fin
Type indPens = 0.. maxPens
Type tPensionnaires = Enregistrement
                                               # ensemble de pensionnaires
 nbPens : indPens
                                               # nombre de pensionnaires encodés
 tabPens : Tableau[maxPens] de tPersonne
                                                      # tableau de pensionnaires
```

• Les équipes : elles sont constituées de deux pensionnaires différents (!! un pensionnaire ne peut appartenir qu'à une seule équipe !!)

```
Constante maxEquipes = 10  # nombre maximum d'équipes

Type tEquipe = Enregistrement  # définition d'une équipe
  nomEquipe : Texte  # nom de l'équipe
  joueurs : Tableau[2] de indPens  # référence aux deux joueurs ! indices

Fin

Type indEquipe = 0..maxEquipes

Type tEquipes = Enregistrement  # ensemble d'équipes
  nbEquipes : indEquipe  # nombre d'équipes encodées
  tabEquipes : tableau[maxEquipes] de tEquipe  # tableau d'équipes

Fin
```

• Les matches : ils voient s'affronter deux équipes différentes (!! chaque équipe dispute plusieurs matches, mais deux équipes différentes ne s'affrontent qu'une seule fois par tournoi !!)

```
Constante maxMatches = 20  # nombre maximum de matches

Type tMatch = Enregistrement  # définition d'un match
  equipe1, equipe2 : indEquipe  # référence aux deux équipes ! indices
  score1, score2 : Entier  # le score de chacune

Fin

Type indMatch = 0..maxMatches

Type tMatches = Enregistrement  # ensemble de matches
  nbMatches : indMatch  # nombre de matches encodés
  tabMatches : tableau[maxMatches] de tMatch  # tableau de matches

Fin
```

Pour une première version de la gestion des tournois, nous avons créé les variables globales suivantes :

```
Variable résidents : tPensionnaires
équipes : tEquipes
tournoi : tMatches
```

Nous vous sollicitons à notre tour pour écrire un certain nombre d'outils procéduraux sur cette implémentation

- 1. préliminaire ... en utilisant seulement les déclarations ci-dessus et les variables globales (mais sans pour autant écrire de procédure ou de fonction, c'est un simple d'exercice d'accès aux données), savez-vous :
 - indiquer le nombre de pensionnaires encodés ?
 - indiquer le nombre d'équipes encodées ?
 - en supposant deux équipes déjà constituées et encodées, en créer une troisième dont le nom est 'les casquettes' et les références des joueurs sont les pensionnaires n° 25 et 33 ?
 - initialiser un tournoi ?
 - en supposant le tournoi terminé (c-à-d toutes les données encodées), donner les noms des équipes participant au sixième match et leurs scores respectifs ?

savez-vous écrire : (les ??? ci-dessous indiquent que vous devez déclarer des paramètres et leur mode de passage)

- 2. une procédure ajouterPensionnaire(???) qui permet de saisir au clavier le nom et le prénom d'un(e) nouveau(elle) pensionnaire et de créer ce(tte) pensionnaire.
 - ° pensez aux validations nécessaires ...
 - ° cette procédure devrait utiliser une fonction (que vous devriez écrire) cherchePensionnaire(????) : indPens pour vérifier que la personne n'a pas déjà été encodée (si la personne existe, la fonction renvoie sa 'place' dans la liste des pensionnaires, sinon elle renvoie 0)
- 3. une fonction nombrePersonnes(???): indPens renvoyant le nombre actuel de pensionnaires
- 4. une procédure initialiserTournoi(???) qui avant l'organisation d'un nouveau tournoi supprime les données (équipes et matches) du tournoi précédent
- 5. une fonction nombre Equipes (???) : ind Equipe renvoyant le nombre actuel d'équipes constituées
- 6. une procédure triAlphaEquipes(???) qui trie la table des équipes alphabétiquement sur le nom de celles-ci
- 7. une procédure listeAlphaEquipes(???) qui après exécution de la procédure précédente affiche la liste alphabétique et la constitution des équipes (nom de l'équipe, nom et prénom de chaque joueur)
- 8. une procédure ajouterEquipe(???) qui permet d'enregistrer une nouvelle équipe, à partir de la saisie au clavier du nom de l'équipe et des noms et prénoms des deux joueurs.
 - ° cette procédure devrait utiliser une fonction (que vous deviez écrire) existeEquipe(???) : indEquipe pour vérifier qu'une équipe du même nom n'a pas déjà été encodée (si l'équipe existe, la fonction renvoie son indice dans la table des équipes, sinon elle renvoie 0)
 - ° cette procédure devrait utiliser la fonction cherchePensionnaire() écrite précédemment ...
 - ° cette procédure devrait également utiliser une fonction (que vous devriez écrire) existeJoueur(???) : Logique pour vérifier qu'aucun des deux partenaires ne fait pas déjà partie d'une autre équipe
- 9. une fonction nombreMatches(???): indMatch renvoyant le nombre actuel de matches enregistrés
- 10. une procédure créerMatch(???) qui sur base des noms des deux équipes concernées crée un nouveau match et enregistre le résultats obtenu par ces équipes;
 - ° il est vivement conseillé d'utiliser la fonction existeEquipe() écrite précédemment
 - veillez également à écrire une fonction existeMatch(???) :Logique afin de vérifier que ce match n'a pas été déjà enregistré
- 11. une fonction equipeGagnante(???): Texte renvoyant le nom de l'équipe (et les noms et prénoms des joueurs qui la constituent) qui a gagné le plus de matches (une équipe gagne un match si son score est strictement supérieur au score de l'équipe adverse, on ne tient donc pas compte des matches nuls)

Si vous ne maîtrisez pas les procédures et fonctions paramétrées, vous pouvez toujours rédiger une version non paramétrée de ces outils, en travaillant directement sur les variables globales ...

Si les types abstraits vous perturbent, décomposez-les en variables globales ... (plus lourd, 🔊

... ou rédigez une version multi-tableaux du problème (tout à fait lourd, ça ! @@)

7. EXAMENS DES ANNÉES PRÉCÉDENTES

1) Examen de première session : 2008-2009

Les baccalauréats de Promotion Sociale (en cours du soir) proposent aux étudiants de s'inscrire à une ou plusieurs UFs (Unités de Formation, des cours en quelque sorte) 'à la carte'.

Le 'catalogue' de ces formations peut être décrit à l'aide des structures de données suivantes :

```
Type typCursus = Enregistrement
                                              # définition d'une unité de formation (UF)
  codeForm
              : Texte
                                                     # son code p.ex. 'elmar'
  libelléForm : Texte
                                                     # son intitulé p.ex. 'éléments de marketing'
  nombrePériodes : 10..200
                                                     # son nombre de périodes/année, p.ex. 80
Constante maxForm = 100
                                                     # une limite supérieure
Type typFormations = Enregistrement
                                                     \sharp l'ensemble des unités de formations (UFs)
  nbFormations : 0..maxForm
                                                          # leur nombre, p.ex. 43
  tabFormations : Tableau[maxForm] de typCursus
                                                            # le tableau de ces formations
 Fin
Variable listeUFs : typFormations
                                             # concrètement : le 'catalogue', la liste des formations
```

Au moment de leur inscription, les étudiants reçoivent chacun un matricule et leur(s) inscription(s) aux unités de formation de leur choix sont mémorisées dans une structure de données telle que celle-ci :

```
Constante maxUFs = 10
                                               # une limite supérieure au nombre d'UFs
Type typEtudiant = Enregistrement
                                               # définition d'un étudiant
  matricule : Texte
                                                      # son matricule, p.ex. 'PS080125'
  nom : Texte
                                                      # son nom, p.ex. 'MARTIN'
  tablUFs : = Enregistrement
                                                      # ses inscriptions (son cursus)
    nbInscr : 0..maxUFs
                                                             # combien il suit d'UFs, p.ex. 9
    tabInscr : Tableau[maxUFs] de Texte
                                                             \# un tableau des \underline{\text{codes}} de ces UFs
   Fin
Fin
Constante maxEtu = 999
                                               # une limite supérieure au nombre d'étudiants
Type typPopulEtu = Enregistrement
                                              # définition de la population étudiante
  nbEtu : 0..maxEtu
                                                             # le nombre d'étudiants déjà inscrits
  tabEtu : Tableau[maxEtu] de typEtudiant
                                                             # un tableau de ces étudiants
Variable Étudiants : typPopulEtu
                                              # concrètement, la 'population', la liste des étudiante
```

• L'analyste qui vous a précédé sur ce projet a déjà rédigé des outils logiciels, dont la fonction suivante, qui peut s'avérer utile : si un étudiant de matricule donné existe, la fonction renvoie sa 'place' dans la liste des étudiants, elle renvoie 0 sinon

```
Fonction existeEtu(matr : Texte ; pEtu : typPopulEtu) : 0..maxEtu
Variable ind : 0..maxEtu, estTrouvé : Logique
Debut

ind \( \cap 0 \)
 estTouvé \( \cap \) faux
 tantQue non (estTrouvé OU ind = pEtu.nbEtu)
 ind \( \cap \) ind \( + 1 \)
 estTrouvé \( \cap (\text{pEtu.tabEtu[ind].matricule = matr)} \)
 finTQ

Si estTrouvé alors renvoie(ind)
 sinon renvoie(0)

finSi
Fin
```

dans ce qui suit, les ??? présents dans la signature des procédures et/ou des fonctions indiquent que vous devez spécifier des paramètres, leur type et leur mode de passage

- a) rédigez une fonction existeUF(???) : 0..maxUFs permettant de vérifier sur base d'un code fourni qu'une UF figure ou non dans la liste des formations ; (si elle existe, sa 'place' dans la liste est renvoyée par la fonction, sinon la fonction renvoie 0)
- b) rédigez une fonction nombre Etu(???) : ??? renvoyant le nombre d'étudiants inscrits
- c) rédigez une procédure ajouterEtu(???) permettant de saisir au clavier les caractéristiques (matricule, nom) d'un <u>nouvel étudiant</u>, puis d'ajouter cet étudiant; effectuez tous les contrôles qui vous semblent nécessaires à cet ajout et initialisez correctement son cursus
- d) rédigez une procédure afficherUFs(???) permettant d'afficher la liste des formations existantes (code, libellé, périodes)
- e) rédigez une procédure trierUFs(???) assurant que le catalogue des formations soit dans l'ordre croissant des codes
- f) rédigez une procédure trierEtuAlpha(???) permettant d'afficher la liste des étudiants (matricule, nom) dans l'ordre alphabétique des noms ; il vous est demandé de constituer pour ce faire un <u>index séparé sur les noms</u> d'étudiants

2) Examen de première session : 2009-2010

Contexte général

Vous êtes un grand fan de cinéma, et en quelques années, vous avez accumulé chez vous - au fil de vos achats © ou de vos copies ⊗ - une vaste collection de DVD que vous rangez dans plusieurs étagères.

Il y en a tellement que vous êtes devenu incapable de retrouver facilement un film : vous devez parcourir ces étagères, planche par planche, DVD par DVD pour enfin se trouver l'objet de votre désir.

A première vue, vous en avez actuellement plusieurs centaines et vous envisagez d'en posséder environ deux mille à moyen terme ...

Vos intentions ...

Maintenant que vous savez programmer, c'est décidé : vous allez informatiser votre DVD-thèque ! sans doute avec tableau(x) en attendant mieux ...

Une brève analyse de vos besoins vous conduit à la décision suivante : pour chaque DVD, il faudrait enregistrer :

- ° le titre (chaîne de caractères en texte libre)
- le genre (policier, drame, espionnage, animation, science-fiction, horreur ... : chaîne de caractères en texte libre)
- ° l'année de sortie du film (par défaut 9999 si inconnue)
- ° la durée (en minutes, entre 40 et 180)
- ° l'emplacement du rangement, sous forme d'une chaîne de caractères : n°étagère n°planche n°disque (les étagères sont numérotées de 1 à 9; dans chaque étagère, les planches sont numérotées de 1 à 9 et sur chaque planche, les DVD sont numérotés de 01 à 99, ce qui vous permet de stocker plus de 8000 DVD!)

Pour vous faciliter la tâche de programmation, vous décidez également que <u>toutes les chaînes</u> de caractères (titre et genre) seront encodées avec soin et <u>en minuscules</u> ... et que la chaîne de caractères représentant l'emplacement du rangement est valide (<u>aucune validation</u> n'est à prévoir donc sur ces chaînes)

Avec un collègue grand amateur de programmation Pascal, vous décidez d'une structure de données commune et compatible pseudo-code / Pascal, ce qui donne

```
Constante maxDVD = 8000
                                               const maxDVD = 8000;
Type tDVD = Enregistrement
                                                type \ tDVD = Record
  titre : Texte
                                                 titre : String;
  genre : Texte
                                                 genre : String;
  année : Entier
                                                  année : Integer;
  durée : 40..180
                                                 durée : 40..180;
 place : Texte
                                                 place : String
 Fin
                                                end;
Type tTablDVD = Tableau[maxDVD] de tDVD
                                               type tTablDVD = array[1..maxDVD] of tDVD;
Variable nbDVD : 0..maxDVD
                                               var nbDVD : 0..maxDVD;
         dvdTheque : typTablDVD
                                                   dvdTheque : typTablDVD;
```

Exemple de données

titre	genre	année	durée	rangement étagère-planche-disque
fantasia	animation	9999	125	2-3-11
l'armée des 12 singes	aventure	1995	129	1-2-06
scream 1	horreur	1996	111	2-3-04
hostel 1	horreur	2005	94	1-3-02
the constant gardener	drame	2005	125	1-3-10
pole express	animation	2004	159	2-1-04

Fonctionnalités

De la sorte, vous espérez – notamment grâce aux possibilités qu'offrent les tris - pouvoir

- trouver immédiatement l'emplacement de rangement d'un film dont vous connaissez le titre (ou savoir que vous ne le possédez pas)
- ° connaître le nombre de films en votre possession
- ° avoir la liste alphabétique des films d'un genre particulier (horreur, p.ex.)
- ° etc ...

Il vous est demandé ici :

- 1. sur base des structures de données qui vous sont fournies à la page précédente, de compléter le bloc déclaratif des données avec les constantes, types et/ou variables supplémentaires que vous jugerez nécessaires
- 2. de rédiger l'algorithme général d'un (futur) programme :
 - 2.1. articulé autour d'un <u>menu</u>, qui, après avoir correctement initialisé la DVD-thèque, propose (sous forme d'appels de <u>procédures</u>) les options suivantes :
 - ajouter un nouveau film (détails ci-dessous)
 - afficher l'emplacement de rangement d'un film (idem)
 - afficher le nombre total de films (idem)
 - afficher la liste alphabétique des films (idem)
 - quitter l'application
 - 2.2. procédure <u>d'ajout de film</u>; spécifications :

(attention 1 : vous pouvez posséder plusieurs films portant le même titre, mais uniquement à condition qu'ils aient des années de sortie différentes !)

on encode d'abord le titre (en minuscules) du film et son année (valide) de sortie; s'il n'existe pas dans la DVD-thèque (cfr. ci-dessous), on encode et valide le reste des informations et on ajoute ce film, sinon ... on espère un message d'erreur clair

(attention 2 : l'ajout de nouveaux films s'effectue toujours derrière tous les films existants, pour autant bien sûr qu'il reste de la place dans la DVD-thèque,)

pour vérifier que le nouveau DVD existe déjà ou pas dans la DVD-thèque, il vous est demandé d'écrire et d'utiliser <u>une fonction</u> de recherche dont la signature est

fonction rechercheDVD(titr: xxxx; ann: xxxx): xxxx;

où les xxxx représentent des déclarations de types appropriées que vous devez rédiger; en cas de succès, la fonction renvoie l'indice du film dans le tableau dvdTheque et renvoie 0 sinon

2.3. procédure de <u>consultation</u> <u>d'emplacement</u> de rangement; spécifications :

on encode uniquement le titre (en minuscules); si un(des) DVD existe(nt) dans la DVDthèque, la procédure en fournit la liste : une ligne par film reprenant genre, année, durée et emplacement

2.4. procédure <u>d'affichage</u> du <u>nombre de films</u>; spécifications :

on espère l'affichage d'une ligne comportant le message 'vous possédez xxx films' ou 'vous ne possédez aucun film!'

2.5. procédure <u>d'affichage</u> de la <u>liste alphabétique</u> des films; spécifications :

on attend – si elle existe – la liste des films (une ligne par film, reprenant titre, genre, année, durée et emplacement de rangement) triée dans l'ordre alphabétique des titres

3) Examen de première session : 2010-2011

Question 1.

Soient d'une part les structures abstraites suivantes :

```
Constante maxOuvr = 1000
                                   # nombre maximum d'ouvrages dans la librairie
Type TOuvrage = Enregistrement
       code :
                    Texte
                                              # référence unique, p.ex. "INF009"
       titre :
                     Texte
                                     # titre de l'ouvrage, p.ex. "Algorithmique"
       auteur :
                    Texte
                                        # auteur de l'ouvrage, p.ex. "Wirth N."
       prix :
                     Réel
                                                  # prix unitaire, p.ex. 12.50€
                                    # quantité de cet ouvrage en stock, p.ex. 9
       qtéStock :
                     Entier
  finEnr
Type TCatalogue = Enregistrement
                                          # catalogue/stock : tableau 'partiel'
       tbOuvrages : Tableau[maxOuvr] de TOuvrage
                                                             # tableau physique
       nbOuvrages : Entier
                                               # nombre d'ouvrages du catalogue
  finEnr
```

Soit d'autre part un algorithme comportant les déclarations concrètes suivantes :

```
Variable catal1, catal2 : TCatalogue
Variable val : Rée1

... et contenant les instructions suivantes :

# valeur du catalogue/stock catal2
  val ← valStock(catal2)

# ajout d'un nouvel ouvrage dans le catalogue/stock catal1
  addCatal(catal1, "MATO26", "Trigonométrie", 11.95, 20)
```

Rédigez (déclaration complète + code) les outils algorithmiques paramétrés suivants :

- a) la fonction valStock(?) : ? retournant la valeur (en €) d'un stock
- b) la procédure addCatal(?) permettant d'ajouter un nouvel ouvrage dans un catalogue; vous <u>devez écrire</u> et <u>utiliser</u> une fonction vérifiant que cet ajout est possible ... (
- c) un outil procédural permettant de déterminer si un ouvrage dont on connaît le titre figure dans le stock et en combien d'exemplaires; on suppose ici que tous les ouvrages possèdent un titre différent

NB : dans ce qui précède, le **?** signifie que la déclaration des paramètres (nombre, nom, type et mode de passage) est à votre charge ...

Question 2.

Une société commerciale de vente par téléphone (téléachat)

- dispose d'une équipe de (maximum 20) vendeurs caractérisés chacun par un code (unique), un nom, un prénom, un sexe, une date de naissance, une date d'engagement dans la société
- chaque jour, chaque vendeur essaie par prospection téléphonique de réaliser des ventes; pour chacune de ses ventes réalisées (un maximum de 30 par jour), on souhaite conserver le numéro appelé, l'heure, et le montant (€) de la vente
- à la fin de chaque journée, l'ensemble des données relatives aux ventes du jour est collecté, synthétisé (on ne conserve que le total réalisé par vendeur) et enregistré sur un serveur; cet ensemble est ensuite réinitialisé en prévision du travail du lendemain

Proposez (rédigez) une structure abstraite permettant de représenter

- a) le concept de vendeur
- b) le concept d'équipe de vendeurs
- c) le concept de vente réalisée
- d) le concept d'ensemble de ventes du jour d'un vendeur
- e) le concept d'historique des ventes

Question 3.

Dans le tiroir du bureau de l'informaticien que vous remplacez, vous trouvez une feuille rédigée comme ceci :

```
Constante maxElem = 1000
Type TElem = Enregistrement
        a : Texte
        b : Texte
        x : R\'{e}el
     finEnr
Type TtbElem = Enregistrement
        tbElem : Tableau[maxElem] de TElem
        nbElem : Entier
     finEnr
Procédure tri(ref t : TtbElem) :
# tri de t en majeur sur x décroissant et sur (a, b) en mineur croissant
Variable indice, nbEch : Entier; txt : Texte; rel : Réel
Début
  Répéter
    nbEch \leftarrow 0
    Pour indice \leftarrow 1 à t.nbElem - 1 Faire
      Si t.tbElem[indice + 1].x > t.tbElem[indice].x Alors
         nbEch \leftarrow 1
      Sinon Si t.tbElem[indice + 1].x = t.tbElem[indice].x Alors
         Si t.tbElem[indice + 1].a < t.tbElem[indice].a Alors
           nbEch \leftarrow 1
         Sinon Si t.tbElem[indice + 1].a = t.tbElem[indice].a Alors
           Si t.tbElem[indice + 1].b < t.tbElem[indice].b Alors
             nbEch \leftarrow 1
           finSi
         finSi
      finSi
    finPr
    Si nbEch > 0 Alors
       txt \leftarrow t.tbElem[indice].a
       t.tbElem[indice].a \leftarrow t.tbElem[indice + 1].a
       t.tbElem[indice + 1].a \leftarrow txt
       txt \leftarrow t.tbElem[indice].b
       t.tbElem[indice].b \leftarrow t.tbElem[indice + 1].b
       \texttt{t.tbElem[indice} + \texttt{1].b} \leftarrow \texttt{txt}
       rel \leftarrow t.tbElem[indice].x
       t.tbElem[indice].x \leftarrow t.tbElem[indice + 1].x
       t.tbElem[indice + 1].x \leftarrow rel
    finSi
  Jusque\ nbEch = 0
Fin
```

Allégez et récrivez cet algorithme en utilisant (déclarant, rédigeant, invoquant)

- a) une fonction comparatrice paramétrée pour déterminer si l'échange est nécessaire (aucune contrainte particulière ne vous est imposée, vous avez toute liberté pour ce faire)
- b) une procédure paramétrée pour réaliser cet échange (idem)

4) Examen de première session : 2011-2012

A. Première partie

Pour les étudiants en année d'études terminale, un établissement d'enseignement supérieur organise les travaux de fin d'études (TFEs) à l'aide de la structure de données suivantes⁷² :

structures abstraites : types 'utilisateur' (ADT) Constante maxEtu = 60 # nombre maximum d'étudiants maxProfs = 20# nombre maximum d'enseignants maxTfes = 60# nombre maximum de TFEs différents Type TDate = Enregistrement # définition abstraite d'une date année : Entier mois : Entier jour : Entier finEnr # définition abstraite d'un étudiant Type TEtudiant = Enregistrement matricule : Texte[8] # matricule (unique), p.ex. "HE201129" nom : Texte[50] : Texte[25] prénom : Caractère # valide si 'm' ou 'f' sexe classe : Texte[4] # groupe, p.ex. "3TL2" bisseur : Logique # vrai ou faux finEnr Type TEnseignant = Enregistrement # définition abstraite d'un enseignant référence : Texte[5] # mnémonique (unique), p.ex. "Ch.L.", "MN.V." nom : Texte[50] prénom : Texte[25] : Caractère # valide si 'm' ou 'f' sexe finEnr Type TTfe = Enregistrement # définition abstraite d'un tfe numéro : Entier # référence (unique) du tfe, p.ex. 227 catégorie : Texte[4] # domaine, p.ex. "prog", "elec", "web", "netw" titre : Texte[255] # titre du tfe confidentiel : Logique # vrai ou faux nbEtu : Entier # nombre d'étudiants associés à ce tfe : Tableau[3] de Texte[8] # matricules des étudiants coauteurs tbEtu rapporteur : Texte[5] # référence (mnémonique) d'un enseignant nbLecteurs : Entier # nombre de lecteurs tbLecteurs : Tableau[2] de Texte[5] # référence (mnémonique) d'enseignant(s) approbation : TDate # date d'approbation par le rapporteur finEnr trois définitions abstraites de tableaux 'partiels' Type TpEtudiants = Enregistrement # ensemble (liste) d'étudiants nbEtudiants : Entier tbEtudiants : Tableau[maxEtu] de TEtudiant finEnr Type TpEnseignants = Enregistrement # ensemble (liste) d'enseignants : Entier nbEnseignants : Tableau[maxProfs] de TEnseignant tbEnseignants finEnr Type TpTfes = Enregistrement # ensemble (liste) de TFEs nbTfes: Entier tbTfes : Tableau[maxTfes] de TTfe finEnr

⁷² fournies ici à titre indicatif; vous pouvez – à condition de le justifier par un commentaire – y apporter les modifications conceptuelles ou techniques qui vous semblent utiles

- quelques détails et contraintes :
 - ° chaque étudiant possède un matricule unique qui l'identifie sans ambiguïté
 - ° chaque enseignant est identifié de manière unique et sans ambiguïté par un mnémonique constitué à partir des initiales de son nom et de son prénom (p.ex. "Ch.L.")
 - ° un TFE peut être réalisé par un à trois étudiants (différents) maximum, qui sont coauteurs du travail
 - ° tout étudiant ne peut participer qu'à un seul TFE
 - ° un TFE est réalisé dans une des cinq catégories (spécialisations) suivantes : "prog" (programmation/développement), "elec" (électronique etc...), "web" (internet etc...), "netw" (réseaux etc...), "bdd" (bases de données etc...)
 - ° durant sa réalisation, un TFE est suivi par un enseignant (le 'rapporteur') et pour la défense en jury – par aucun, un ou deux autres enseignants supplémentaires (les 'lecteurs'); tous ces enseignants sont spécialisés dans un des domaines cités ci-dessus (celui du TFE) et participeront à un jury dans cette spécialité
 - ° tous les enseignants peuvent être rapporteurs ou lecteurs de TFEs; mais pour un TFE donné, un enseignant ne peut pas occuper à la fois le rôle de rapporteur et de lecteur
 - ° dans chacune des structures concrètes (tableaux partiels), les données sont encodées sans ordre particulier (en fait, simplement dans l'ordre chronologique de leur arrivée)

Question 1

en utilisant la structure de données de la page précédente, créez trois variables globales permettant de mémoriser respectivement un ensemble d'étudiants, d'enseignants et de TFEs; quels sont alors les identificateurs correspondant aux informations suivantes?

- a) le nombre de TFEs introduits et encodés
- b) le mnémonique du dernier enseignant (encodé)
- c) le caractère confidentiel du second TFE (encodé)
- d) la classe (groupe) à laquelle appartient le premier étudiant (encodé)
- e) le nombre d'étudiants qui sont coauteurs du premier TFE (encodé)
- f) le nombre d'enseignants 'lecteurs' associés à ce même TFE

Question 2

en utilisant la structure de données de la page précédente:

- a) rédigez une procédure⁷³ listerTfes fournissant la liste des TFEs (numéro, catégorie, titre, confidentiel, rapporteur, approbation) triée en majeur sur catégorie et en mineur sur titre
- b) rédigez deux fonctions paramétrées⁷⁴ identiteEtu(...) et identiteProf(...) renvoyant respectivement la concaténation de l'initiale du prénom et du nom d'un étudiant dont on connaît le matricule et la concaténation de l'initiale du prénom et du nom d'un enseignant dont on connaît la référence (mnémonique); en cas d'erreur, ces fonctions doivent renvoyer une chaîne vide

⁷³ vous pouvez écrire ici si vous le jugez utile une ou plusieurs autres procédures et/ou fonctions; vous avez le droit également d'utiliser soit directement vos variables concrètes (globales), soit de passer (mais correctement) des paramètres

⁷⁴ obligatoirement cette fois ..., seuls les noms de ces fonctions figurent ci-dessus, le reste est à votre charge

c) en invoquant ces fonctions, rédigez une nouvelle version⁷⁵ de la procédure écrite en a) ci-dessus, en privilégiant pour chaque TFE la présentation suivante :

TFE: numéro catégorie titre

étudiants : identité du(des) étudiant(s) coauteur(s)

rapporteur : identité du rapporteur lecteur(s) : identité du(des) lecteur(s)

exemple

TFE: 227 web Site de e-Commerce pour collectionneurs de timbres

étudiants : M.DEMARET - N. de VILLERS

rapporteur : MN.V. lecteur(s) : Ch.L. - Y.B.

B. Seconde partie

On vous demande d'imaginer la structure de données nécessaire à la constitution et à l'organisation des jurys de TFEs d'une part, et de la gestion de l'horaire de passage des étudiants pour la défense orale du travail d'autre part ...

La problématique en est la suivante

- on constitue des jurys de TFEs (numérotés de 1 à 5), un pour chacune des spécialités (domaines, catégories) évoquées dans la question précédente
 - chaque jury se réunit à une date précise (unique) dans un local de classe (unique); si des jurys distincts opèrent en parallèle (à la même date), ce doit évidemment être dans des locaux distincts ...
 - chaque jury est composé d'un ensemble d'enseignants (rapporteurs, lecteurs ou invités) spécialisés dans le domaine ...
- une fois les jurys constitués, on construit ensuite l'horaire de passage :
 - il s'agit d'une <u>défense par travail</u> (TFE), ce qui signifie que les étudiants coauteurs se présentent et sont interrogés ensemble (le temps de défense est plus ou moins proportionnel au nombre d'étudiants, de l'ordre de 20 min par étudiant)
 - il suffit donc d'associer à chaque travail (TFE) le numéro de son jury et l'heure de passage (entre 8h30 et 17h00)
 - d'autre part, après chaque défense, une petite délibération interne a lieu et le jury accorde au travail deux cotes (/50), la première pour la qualité technique de la réalisation, la seconde pour la qualité de la présentation orale ; ces deux cotes doivent être mémorisées

Question 3

- a) rédigez les déclarations de types abstraits (ADT) et les variables concrètes correspondant à la description d'un jury, à la constitution des différents jurys et à l'horaire de passage de défense
- b) en imaginant l'encodage au moyen d'un ensemble de procédures/fonctions constituant l'API de cette ADT, listez (<u>sans pour autant en rédiger le code</u>) de manière claire (et en mentionnant sur quelles données ils portent) l'ensemble de <u>tous</u> les contrôles et validations qu'il faudrait <u>idéalement</u> effectuer pour que l'ensemble des données soit cohérent (p.ex. une validation a été mentionnée ci-dessus : des jurys en parallèle doivent opérer dans des locaux distincts)

avec votre structure de données, rédigez l'algorithme fournissant – pour chacun des jurys – l'ordre de passage des étudiants dans l'ordre chronologique

⁷⁵ vous avez ici encore toute liberté d'action pour atteindre l'objectif fixé

5) Examen de première session : 2012-2013

- 1. Pour gérer le projet d'algorithmique de fin de semestre, l'enseignant concerné a réalisé une structure de données abstraite (ADT) sur base des considérations suivantes :
 - ° la population étudiante est répartie en classes (60 étudiants maximum)
 - pour réaliser le projet, les étudiants constituent des équipes (de 2 à 4 étudiants maximum) à l'intérieur d'une même classe (pas d'équipe avec des étudiants de classes différentes)
 - o un étudiant ne peut appartenir qu'à une seule équipe
 - ° évidemment, certains étudiants décident de ne pas faire le projet ⊗
 - ° à l'échéance de la constitution des équipes, celles-ci sont enregistrées (encodées)
 - ° le projet comporte deux phases : la réalisation d'une ADT, puis la rédaction de son API ; ces phases ont chacune une échéance et les travaux sont soumis par les équipes sur eCampus
 - ° chaque phase est cotée séparément
 - ° évidemment, certaines équipes, bien que constituées et enregistrées, renoncent en cours de route, soit dès l'ADT, soit pour l'API ⊗

Définition du concept d'étudiant et de classe

Définition du concept d'équipe et de projet

Définition du concept d'ensemble de projets d'une classe

Exemple de variables concrètes

```
variable clas1TL, clas1TM : TpClasse  # deux classes ...
proj1TL, proj1TM : TpProjets  # ... et leurs projets
```

- 1.1. complétez les appels de l'invocation de la procédure standard écrire(???) pour afficher :
 - le matricule du dernier étudiant de 1TM
 - le nombre d'étudiants de la première équipe de 1TL et leurs matricules respectifs
 - le nombre maximum d'étudiants pouvant constituer une équipe
- 1.2. rédigez le code d'une fonction permettant de connaître le nombre d'équipes qu'une classe a constituées

```
sa signature doit être Fonction nbEquipes(c : TpProjet) : Entier
exemple d'invocation : écrire(nbEquipes(proj1TM))
```

1.3. rédigez la signature (le paramétrage est donc à votre charge) et le code d'une fonction permettant de connaître le nombre de phases ADT du projet postées sur eCampus par une classe particulière

```
son nom doit être fonction nbADT
exemple d'invocation : écrire(nbADT(???)) # ??? = selon votre paramétrage
```

1.4. écrivez une fonction permettant de déterminer si un étudiant – sur base de son matricule – fait ou non partie d'une équipe

```
signature: Fonction estEnEquipe(e : TEtudiant, t : TpProjet) : Logique
exemple d'invocation

variable e : TEtudiant
lire(e.matricule)
si estEnEquipe(e, proj1TL) Alors écrire("ok") Sinon écrire("nok") Fin-Si
```

1.5. à l'aide de cette fonction, dressez la liste des étudiants d'une classe qui ne font pas partie d'une équipe via une procédure dont la signature (à compléter) est

```
signature : Procédure étudiantsSansEquipe(???) # ??? = déclarez les para-
mètres
exemple d'invocation : étudiantsSansEquipe(clas1TL, proj1TL)
```

1.6. rédigez une fonction comparatrice permettant d'ordonnancer alphabétiquement deux étudiants sur base de leur identité (nom + prénom) ; cette fonction renverra -1 si l'identité de e1 est alphabétiquement 'avant' celle de e2, 0 si les deux identités de e1 et e2 sont identiques et +1 si celle de e1 est 'après' celle de e2

```
Signature: Fonction compareEtu(e1, e2: TEtudiant): Entier # -1, 0, 1
```

- 1.7. déclarez (signature complète) et rédigez une fonction <u>utilisant cette fonction comparatrice</u> pour obtenir le matricule d'un étudiant dont on connaît l'identité
- 1.8. déclarez (signature complète) et rédigez une procédure <u>utilisant cette fonction comparatrice</u> pour afficher la population d'une classe par ordre alphabétique des étudiants (nom en majeur et prénom en mineur)

- 2. Une bibliothèque communale propose à ses adhérents des prêts d'ouvrages selon les règles suivantes
 - un adhérent est une personne qui s'est inscrite à la bibliothèque, qui a reçu lors de cette inscription (et à vie) un numéro d'adhérent; pour sa gestion interne, la bibliothèque enregistre pour chaque adhérent ses nom, prénom, sexe, date de naissance, adresse complète, téléphone fixe et gsm, adresse mail, date d'inscription
 - régulièrement, la bibliothèque établit différentes listes de ses adhérents (par numéro d'adhérent, par ordre alphabétique d'identité, par ordre chronologique des dates d'inscription, etc ...)
 - chaque ouvrage possède un numéro unique, un type (livre, revue, dictionnaire, ...), un titre et un emplacement (n° armoire et n° de planche dans l'armoire)
 - un catalogue des ouvrages disponibles est régulièrement mis à jour et est proposé à la consultation aux adhérents
 - un prêt est un ouvrage qui est emporté par un adhérent ; un ouvrage ne peut être conservé qu'un maximum de 3 semaines (passé ce délai, un rappel doit pouvoir être envoyé à l'adhérent) ; quand l'ouvrage rentre, le prêt est supprimé ; un adhérent ne peut pas avoir plus de 5 prêts en cours

Proposez (rédigez) une structure abstraite (ADT) permettant de représenter

- c) le concept d'adhérent et de liste des adhérents de la bibliothèque
- d) le concept d'ouvrage et de catalogue d'ouvrages
- e) le concept de prêt et d'ensemble des prêts en cours de la bibliothèque

SOURCES

WIRTH N., Systematic programming: An introduction, Prentice-Hall, 1973

KNUTH D.E., Sorting and Searching (vol. 3 of The Art of Computer Programming), AddisonWesley, 1973

WIRTH N, Algoritms + Data Structures = Programs, Prentice-Hall, 1976

ARSAC J., Premières leçons de programmation, Nathan, 1980

MEYER B. & BAUDOIN C., Méthodes de programmation, Eyrolles, 1980

RAYMON F.H., Informatique – Programmation, CNAM, Masson, 1982

ARSAC J., Les bases de la programmation, Dunod, 1983

MEYER B., Conception et programmation orientées objet, Eyrolles, 2000

DUCHÂTEAU Ch., Images pour programmer FUNDP Namur, 1990 - 2002

WARIN B., L'algorithmique, votre passeport informatique pour la programmation, Ellipses, 2002

Cours d'Algorithmique, Université de Paris XI (IUT d'Orsay), 2003

COLLECTIF, Exercices & Problèmes d'algorithmique, Dunod, 2010