# GESIS-Workshop "Datenanalyse mit R" Datenanalyse

Jan-Philipp Kolb

Dienstag, 14. April, 2015



#### Inhaltsverzeichnis

Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

Histogramm

Barplots

**Boxplot** 

Grafiken für bedingte, bi- und multivariate Verteilungen

#### Zusammenhangsmaße

Zusammenhang zwischen stetigen Variablen

Zusammenhang zwischen kategorialen Variablen

Die lineare Regression

Die logistische Regression

Ein zweiter Blick - Noch mehr Grafiken mit dem lattice Paket

# Gliederung

Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

Histogramm

Barplots

Boxplot

Grafiken für bedingte, bi- und multivariate Verteilungen

Zusammenhangsmaße

Die lineare Regression

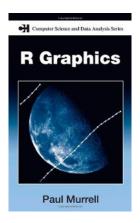
Die logistische Regression

Ein zweiter Blick – Noch mehr Grafiken mit dem lattice Paket

# Ein Plot sagt mehr als 1000 Worte

- Grafisch gestützte Datenanalyse ist toll
- Gute Plots können zu einem besseren Verständnis beitragen
- Einen Plot zu generieren geht schnell
- ► Einen guten Plot zu machen kann sehr lange dauern
- ▶ Mit R Plots zu generieren macht Spaß
- ▶ Mit R erstellte Plots haben hohe Qualität
- Fast jeder Plottyp wird von R unterstützt
- ▶ R kennt eine große Menge an Exportformaten für Grafiken

#### Plot ist nicht gleich Plot



- ► Bereits das base Package bringt eine große Menge von Plot Funktionen mit
- Das lattice Package erweitert dessen Funktionalität
- Eine weit über diese Einführung hinausgehende Übersicht findet sich in Murrell, P (2006): R Graphics.

#### **CRAN Task Views**

- Zu einigen Themen sind alle Möglichkeiten in R zusammengestellt.
- ► Beispiel: Graphiken

CRAN Task View: Graphic Displays & Dynamic Graphics & Graphic Devices & Visualization

Maintainer: Nicholas Lewin-Koh
Contact: nikko at hailmail.net
Version: 2013-01-29

R is rich with facilities for creating and developing interesting graphics. Base R contains functionality for many plot types including coplots, mosaic plots, biplots, and the list goes on. There are devices such as postscript, png, ipeg and pdf for outputting graphics as well as device drivers for all platforms running R. lattice and grid are supplied with R's recommended packages and are included in every binary distribution. lattice is an R implementation of William Cleveland's trellis graphics, while grid defines a much more flexible graphics environment than the base R graphics.

# Script auf github.org

#### Ein Datensatz

```
library(mlmRev)
data(Chem97)
```

Chem97 (mlmRev)

R Documentation

#### Scores on A-level Chemistry in 1997

Description

Scores on the 1997 A-level Chemistry examination in Britain. Students are grouped into schools within local education authories. In addition some demographic and pre-test information is provided.

lea Local Education Authority - a factor

school School identifier - a factor

student Student identifier - a factor

score Point score on A-level Chemistry in 1997

gender Student's gender

age Age in month, centred at 222 months or 18.5 years

gcsescore Average GCSE score of individual.

gcsecnt Average GCSE score of individual, centered at mean.

```
GESIS-Workshop "Datenanalyse mit R"

└─Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

└─Histogramm
```

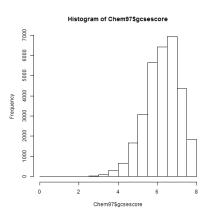
#### Histogram

#### Wir erstellen ein Histogramm der Variable gcsescore:

#### Die Funktion hist()

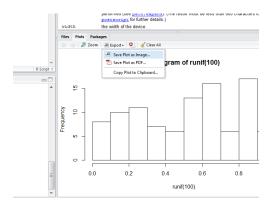
```
# Histogramm
?hist
hist(Chem97$gcsescore)
```

# Histogram



# Graphik speichern

▶ Mit dem button Export kann man die Graphik speichern:



#### Histogram

- ▶ Die Funktion hist() plottet ein Histogramm der Daten
- Der Funktion muss mindestens ein Beobachtungsvektor übergeben werden
- hist() hat noch sehr viel mehr Argumente, die alle (sinnvolle) default values haben

# Die wichtigsten Befehle bei einfachen plots

Argument	Bedeutung	Beispiel
main	Überschrift	main="Hallo Welt"
xlab	x-Achsenbeschriftung	xlab="x-Werte"
ylab	y-Achsenbeschriftung	ylab="y-Werte"
col	Farbe	col="blue"

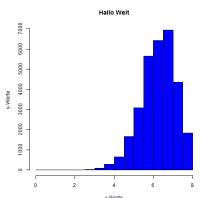
```
GESIS-Workshop "Datenanalyse mit R"

└ Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

└ Histogramm
```

#### Histogram

```
hist(Chem97$gcsescore,col="blue",
    main="Hallo Welt",ylab="y-Werte",
    xlab="x-Werte")
```



```
GESIS-Workshop "Datenanalyse mit R"

└─Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

└─Barplots
```

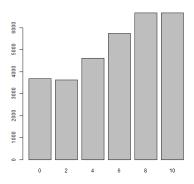
# **Barplot**

- ▶ Die Funktion barplot() erzeugt aus einer Häufigkeitstabelle einen Barplot
- Ist das übergebene Tabellen-Objekt zweidimensional wird ein bedingter Barplot erstellt

```
tabScore <- table(Chem97$score)
barplot(tabScore)</pre>
```

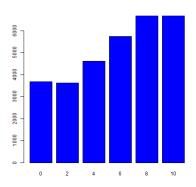
#### Mehr Farben!

barplot(tabScore)



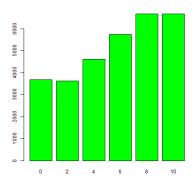
#### Mehr Farben!

barplot(tabScore,col=rgb(0,0,1))



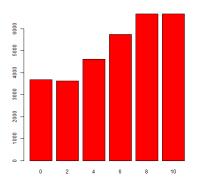
#### Mehr Farben!

barplot(tabScore,col=rgb(0,1,0))



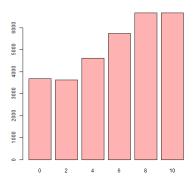
#### Mehr Farben!

barplot(tabScore,col=rgb(1,0,0))

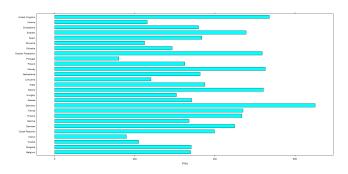


#### Mehr Farben!

barplot(tabScore,col=rgb(1,0,0,.3))

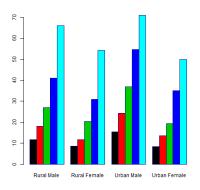


# Eine erste lattice-Graphik barchart(tabScore)



# Aufgabe 6- Barplot

► Laden Sie den Datensatz VADeaths und erzeugen Sie den folgenden plot:

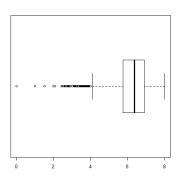


#### **Boxplot**

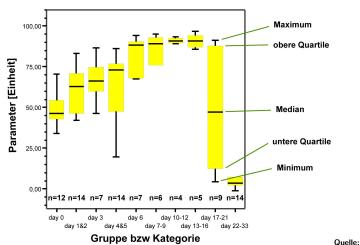
- Einen einfachen Boxplot erstellt man mit boxplot()
- Auch boxplot() muss mindestens ein Beobachtungsvektor übergeben werden

#### ?boxplot

boxplot(Chem97\$gcsescore, horizontal=TRUE)



#### **Boxplots**



http://edoc.hu-berlin.de/dissertationen/gruenwald-andreas-2005-01-17/HTML/chapter2.html

# Gruppierte Boxplots

- Ein sehr einfacher Weg, einen ersten Eindruck über bedingte Verteilungen zu bekommen ist über sog. Gruppierte notched Boxplots
- Dazu muss der Funktion boxplot() ein sog. Formel-Objekt übergeben werden
- ▶ Die bedingende Variable steht dabei auf der rechten Seite einer Tilde

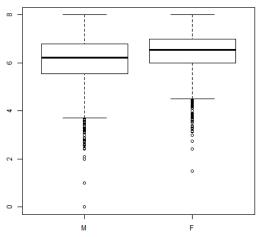
#### Die Funktion boxplot()

```
boxplot (Chem97$gcsescore~Chem97$gender)
```

Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit I

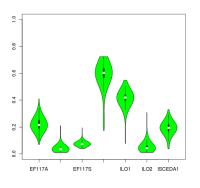
Boxplot

# Gruppierte Boxplots



Boxplot

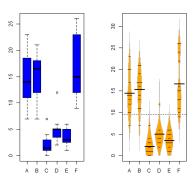
# Violinplot - *library(vioplot)*



- ▶ Baut auf Boxplot auf
- Zusätzlich Informationen über Dichte der Daten
- Dichte wird über Kernel Methode berechnet.
- weißer Punkt Median
- Je weiter die Ausdehnung, desto größer ist die Dichte an dieser Stelle.

#### Alternativen zum Boxplot

```
par(mfrow = c(1,2))
boxplot(count~spray,data=InsectSprays,col="blue")
beanplot(count~spray,data=InsectSprays,col="orange")
```



#### Scatterplots

- Ein einfacher two-way scatterplot kann mit der Funktion plot() erstellt werden
- plot() muss mindestens ein x und ein y Beobachtungsvektor übergeben werden
- ► Um die Farbe der Plot-Symbole anzupassen gibt es die Option col (Farbe als character oder numerisch)
- ▶ Die Plot-Symbole selbst k\u00f6nnen mit pch (plotting character) angepasst werden (character oder numerisch)
- Die Achenbeschriftungen (labels) werden mit xlab und ylab definiert

- Liebe auf den ersten Plot Einfache Grafiken mit R
  - Grafiken für bedingte, bi- und multivariate Verteilungen

#### Datensatz OECD

Datensatz enthält folgende Variablen (Stand 2009), die das Wohlergehen von Kindern in Mitgliedstaaten messen.

Einkommen Ø Einkommen der Eltern [in tsd USD pro Kind]

Armut Anteil [immer in %] an Kindern in armen Elternhaus

Bildung Anteil Kinder, ohne Grundausstattung (Bücher, Schreibtisch, Computer, Internet) für Bildung

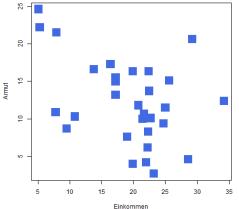
WenigRaum Anteil an Kindern, die auf zu wenig Raum wohnen

Alkohol Anteil an 13-15 jährigen Jugendlichen, die mindestens zweimal betrunken waren

http://www.uni-leipzig.de/~zuber/teaching/ws12/r-kurs/praxis/oecdM.csv

Grafiken für bedingte, bi- und multivariate Verteilungen

# Scatterplot



Grafiken für bedingte, bi- und multivariate Verteilungen

# Aufgabe 7 - Datenanalyse

► Laden Sie den oecd-Datensatz herunter und lesen Sie ihn mit folgender Funktion ein:

```
data<-read.csv("oecd.csv", header=TRUE)</pre>
```

- Überprüfen Sie die Dimension der OECD-Daten.
- Berechnen Sie die Mittelwerte und Varianzen der einzelnen Variablen mit einem geeigneten apply Befehl.
- In welchem Land waren die meisten Jugendlichen mindestens zweimal betrunken? Wie hoch ist der maximale Prozentsatz?
- ▶ In welchem Land ist die Sterblichkeit am geringsten? Wie hoch ist sie in diesem Land?
- Erstellen Sie einen neuen Datensatz, der aufsteigend nach dem Einkommen geordnet ist. Speichern Sie diesen in einer neuen .csv Datei

# Gliederung

Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

Zusammenhangsmaße

Zusammenhang zwischen stetigen Variablen Zusammenhang zwischen kategorialen Variablen

Die lineare Regression

Die logistische Regression

Ein zweiter Blick - Noch mehr Grafiken mit dem lattice Paket

# Script auf github.com/Japhilko/IntroR

```
#-----#
 # Einführung in R
 # Jan-Philipp Kolb
 # Zusammenhangsmaße
 # 25.03.2015
 #--------
 #-----
 # General Information
 #-----#
14
 scriptname <- "IntroR E Zusammenhangsmasse.R"
 author <- "Jan-Philipp Kolb"
 #-----
19 # Pfade angeben
```

#### Edgar Anderson's Iris Daten

petal length and width | Blütenblatt Länge und Breite sepal length and width | Kelchblatt Länge und Breite

```
head(iris)
  Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species
1
2
3
4
5
6
            5.1
                         3.5
                                       1.4
                                                    0.2
                                                         setosa
            4.9
                         3.0
                                       1.4
                                                    0.2
                                                         setosa
            4.7
                         3.2
                                       1.3
                                                    0.2
                                                         setosa
            4.6
                        3.1
                                       1.5
                                                    0.2 setosa
            5.0
                        3.6
                                       1.4
                                                    0.2 setosa
            5.4
                         3.9
                                       1.7
                                                    0.4
                                                         setosa
```

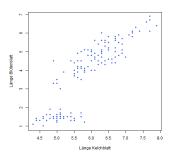
## Edgar Anderson's Iris Daten



## Pearson Korrelationskoeffizient

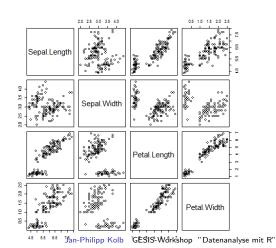
```
cor(iris$Sepal.Length,iris$Petal.Length)
```

- Korrelation zwischen Länge Kelchblatt und Blütenblatt 0,87
- Der Pearson'sche Korrelationskoeffizient ist die default methode in cor():



## Zusammenhang zwischen mehreren Variablen

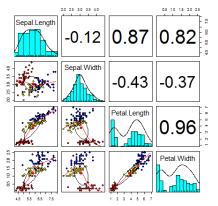
pairs(iris[,1:4])



## Zusammenhang zwischen mehreren Variablen

```
pairs.panels(iris[1:4],bg=c("red","yellow","blue")
[iris$Species],pch=21,main="Iris Datensatz")
```

#### Iris Datensatz



LZusammenhang zwischen stetigen Variablen

## Verschiedene Korrelationskoeffizienten

#### Pearson Korrelationskoeffizient

cor(iris[,1:4])

#### Kendall's tau (Rangkorrelation)

```
cor(iris[,1:4], method = "kendall")
```

#### Spearman's $\rho$ (Rangkorrelation)

```
cor(iris[,1:4], method = "spearman")
```

## Zusammenhang zwischen kategorialen Variablen

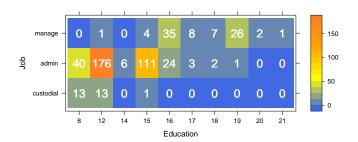
- chisq.test() testet, ob zwei kategoriale Merkmale stochastisch unabhängig sind.
- ► Getestet wird gegen die Nullhypothese der Gleichverteilung

Zusammenhangsmaße

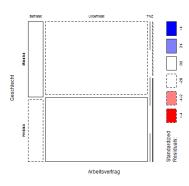
LZusammenhang zwischen kategorialen Variablen

## Levelplot Datensatz BankWages

levelplot(table(BankWages\$education, BankWages\$job))



# Visualisierung von Zusammenhängen zwischen kategorialen Variablen



- Flächen werden entsprechend der Residuen eingefärbt.
- mosaicplot()
- ▶ Pearson Residuen:

$$r_{ij} = rac{n_{ij} - \hat{n}_{ij}}{\sqrt{\hat{n}_{ij}}}$$

## Literatur zu Zusammenhangsmaßen



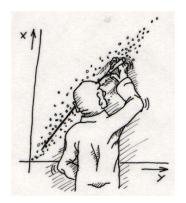
- Methodensammlung mit R
- Beispiele zu Zusammenhangsmaßen
- Umsetzung in R

Die lineare Regression

## Gliederung

Die lineare Regression

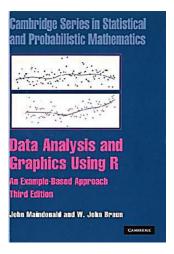
# Die lineare Regression



## Script auf github.com/Japhilko/IntroR

```
------
 # Einführung in R
  Jan-Philipp Kolb
 # Lineare Regression
 # 30.04.2014
  -------
 #-----#
 # General Information
14
 scriptname <- "IntroR F LineareRegression.R"
 author <- "Jan-Philipp Kolb"
 19 # Pfade angeben
20 #------
```

## Literatur Regression



- 1. Einführung in R
- Datenanalyse
- 3. Statistische Modelle
- 4. Inferenzkonzepte
- Regression mit einem Prädiktor
- 6. Multiple lineare Regression
- Ausweitung des linearen Modells
- 8. ...

## Lineare Regression in R - Beispieldatensatz

#### Lawn Roller Data

Lex data frame has 10 rows and 2 columns. Different weights of roller were rolled over Description and the depression was recorded.

The roller data frame has 10 rows and 2 columns. Different weights of roller were rolled over different parts of a lawn, and the depression was recorded.

#### Usage

roller

#### Format

This data frame contains the following columns:

#### weight

a numeric vector consisting of the roller weights

#### depression

the depth of the depression made in the grass under the roller

library(DAAG)
data(roller)
?roller

## Das lineare Regressionsmodell in R

#### Schätzen eines Regressionsmodells:

```
roller.lm <- lm(depression ~ weight, data = roller)</pre>
```

#### So bekommt man die Schätzwerte:

```
summary(roller.lm)
```

#### Falls das Modell ohne Intercept geschätzt werden soll:

```
lm(depression ~ -1 + weight, data = roller)
```

## Summary des Modells

```
summary(roller.lm)
```

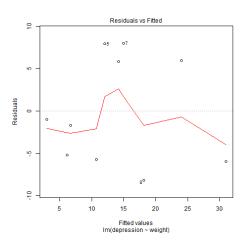
```
call:
lm(formula = depression ~ weight, data = roller)
Residuals:
          10 Median 3Q
  Min
                             Max
-8.180 -5.580 -1.346 5.920 8.020
coefficients:
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) -2.0871 4.7543 -0.439 0.67227
weight
        2.6667 0.7002 3.808 0.00518 **
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 6.735 on 8 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.6445, Adjusted R-squared: 0.6001
F-statistic: 14.5 on 1 and 8 DF, p-value: 0.005175
```

## R arbeitet mit Objekten

- roller.lm ist nun ein spezielles Regressions-Objekt
- Auf dieses Objekt können nun verschiedene Funktionen angewendet werden

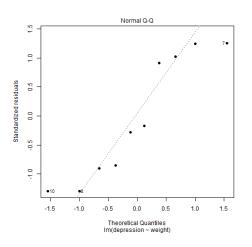
```
predict(roller.lm) # Vorhersage
resid(roller.lm) # Residuen
```

## Residuenplot



- Sind Annahmen des linearen Regressionsmodells verletzt?
- Dies ist der Fall, wenn ein Muster abweichend von einer Linie zu erkennen ist.
- Hier ist der Datensatz sehr klein

## Residuenplot



Wenn die Residuen normalverteilt sind sollten sie auf einer Linie liegen.

## Aufgabe 8 - lineare Regression

#### Datensatz toycars - Paket DAAG

Beschrieben wird Wegstrecke, dreier Spielzeugautos die in unterschiedlichen Winkeln Rampe herunterfuhren.

- angle: Winkel der Rampe
- distance: Zurückgelegte Strecke des Spielzeugautos
- car: Autotyp (1, 2 oder 3)

Quelle: http://www.uni-leipzig.de/~zuber/teaching/ws09/r-kurs/praxis/U9.pdf

## Aufgabe 8 - lineare Regression

- (a) Installieren und laden Sie das Paket DAAG.
- (b) Speichern Sie den Datensatz "toycars" in einem dataframe data ab und wandeln Sie die Variable "car" des Datensatzes in einen Faktor (as.factor) um.
- (c) Erstellen Sie drei Boxplots, die die zurückgelegte Strecke getrennt nach dem Faktor "car" darstellen.
- (d) Schätzen Sie für jedes der 3 Autos separat die Parameter des folgenden linearen Modells mit Hilfe der Funktion "lm()"

$$distance_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot angle_i + \varepsilon_i$$

- (e) Überprüfen Sie deskriptiv den Fit der drei Modelle, indem Sie die Regressiongerade in einen Plot von distance gegen angle einfügen. Deutet das R² jeweils auf eine gute Modellanpassung hin?
- (f) Führen Sie weitere deskriptive Diagnosen mit Hilfe der plot.lm() Funktion durch. Besteht ein linearer Zusammenhang? Sind die Residuen normalverteilt? Haben die Fehler gleiche Varianz?

Quelle: http://www.uni-leipzig.de/~zuber/teaching/ws09/r-kurs/praxis/U9.pdf

## Linkliste - lineare Regression

- Auf dem Kurs an der Uni Leipzig von Verena Zuber basieren auch viele der Aufgaben in diesem Workshop: http://www.uni-leipzig.de/~zuber/teaching/ws09/ r-kurs/theorie/Kurs9.pdf
- Eine der vielen interessanten Blogs auf r-bloggers: http://www.r-bloggers.com/ r-tutorial-series-simple-linear-regression/
- Komplettes Buch von Faraway (sehr intuitiv geschrieben): http: //cran.r-project.org/doc/contrib/Faraway-PRA.pdf
- ► Gute Einführung auf Quick-R: http://www.statmethods.net/stats/regression.html

## Gliederung

Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

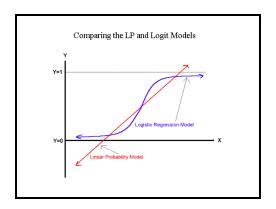
Zusammenhangsmaße

Die lineare Regression

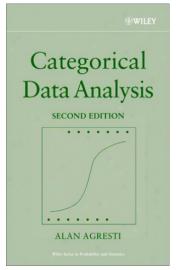
Die logistische Regression

Ein zweiter Blick - Noch mehr Grafiken mit dem lattice Paket

# Die logistische Regression



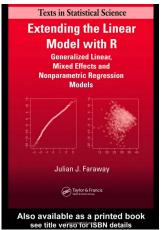
#### Literatur zum Thema



- Sehr intiutiv geschriebenes
   Buch
- Sehr ausführliches begleitendes Skript von Thompson
- Das Skript eignet sich um die kategoriale Datenanalyse nachzuvollziehen

https://home.comcast.net/ ~lthompson221/ Splusdiscrete2.pdf

## Literatur zu logistischer Regression in R



- Logistische Regressionen gut erklärt
- Beispiele mit R-code

home.comcast.net/~lthompson221/Splusdiscrete2.pdf

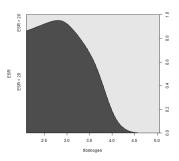
## Script auf github.com/Japhilko/IntroR

```
# Einführung in R
 # Jan-Philipp Kolb
 # Lattice Graphics
 # 29.03.2015
  ______
10
  # General Information
  _____#
14
 scriptname <- "IntroR H latticeGraphics.R"
 author <- "Jan-Philipp Kolb"
 #-----#
 # Pfade angeben
20 #-----#
```

## Binäre AVs mit glm()

- Die logistische Regression gehört zur Klasse der generalisierten linearen Modelle (GLM)
- Die Funktion zur Schätzung eines Modells dieser Klasse in heißt glm()
- glm() muss 1. ein Formel-Objekt mitgegeben werden und 2. die Klasse (binomial, gaussian, Gamma) samt link-Funktion (logit, probit, cauchit, log, cloglog)

## Logistische Regression mit R



## Generalisierte Regression mit R - weitere Funktionen

#### Logistisches Modell mit Probit-Link:

```
probitmod <- glm(cbind(damage,6-damage) ~ temp,
family=binomial(link=probit), orings)</pre>
```

#### Regression mit Zähldaten:

```
modp <- glm(Species ~ .,family=poisson,gala)</pre>
```

#### Proportional odds logistic regression im Paket library(MASS):

```
house.plr<-polr(Sat~Infl,weights=Freq,data=housing)
```

## Linkliste - logistische Regression

- Einführung in logistische Regression: http://ww2.coastal.edu/kingw/statistics/ R-tutorials/logistic.html
- Code zum Buch von Faraway: http://www.maths.bath.ac.uk/~jjf23/ELM/scripts/ binary.R

## Gliederung

Liebe auf den ersten Plot – Einfache Grafiken mit R

Zusammenhangsmaße

Die lineare Regression

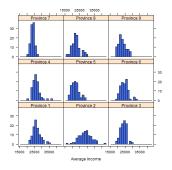
Die logistische Regression

Ein zweiter Blick - Noch mehr Grafiken mit dem lattice Paket

Ein zweiter Blick – Noch mehr Grafiken mit dem lattice Paket

## Das lattice-Paket

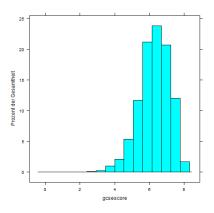
It is designed to meet most typical graphics needs with minimal tuning, but can also be easily extended to handle most nonstandard requirements.



http://stat.ethz.ch/R-manual/R-devel/library/lattice/html/Lattice.html

## Histogramm mit Lattice

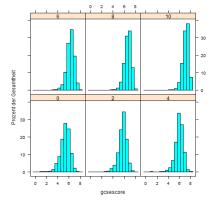
histogram(~ gcsescore, data = Chem97)



Ein zweiter Blick - Noch mehr Grafiken mit dem lattice Paket

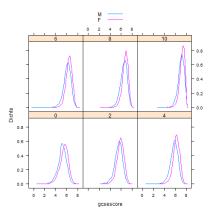
## Histogramm mit Lattice

histogram(~ gcsescore | factor(score), data = Chem97)



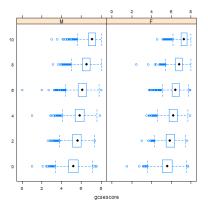
## Die Dichte mit Lattice zeichnen

```
densityplot(~ gcsescore | factor(score), Chem97,
groups=gender,plot.points=FALSE,auto.key=TRUE)
```



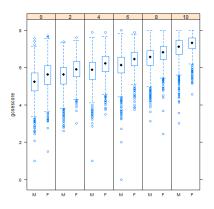
## Boxplot mit Lattice zeichnen

bwplot(factor(score) ~ gcsescore | gender, Chem97)



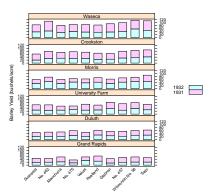
## Boxplot mit Lattice zeichnen

```
bwplot(gcsescore ~ gender | factor(score), Chem97,
layout = c(6, 1))
```

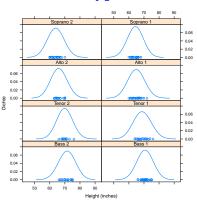


## **Univariate Plots**

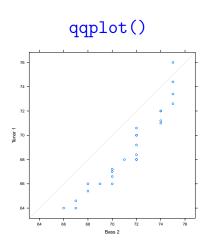
## barchart()

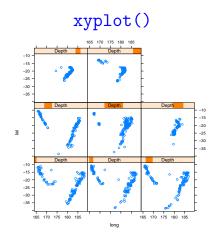


## densityplot()



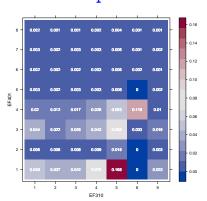
## Bivariate Plots



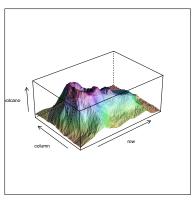


#### Trivariate Plots

## levelplot()

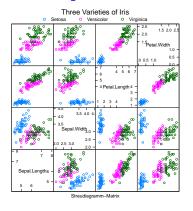


## wireframe()

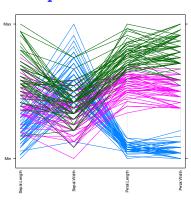


## Hypervariate Plots

## splom()



## parallel()

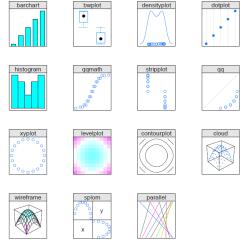


## LatticeBefehle

Function	Default Display
histogram()	Histogram
densityplot()	Kernel Density Plot
qqmath()	Theoretical Quantile Plot
qq()	Two-sample Quantile Plot
stripplot()	Stripchart (Comparative 1-D Scatterplots)
<pre>bwplot()</pre>	Comparative Box-and-Whisker Plots
<pre>dotplot()</pre>	Cleveland Dot Plot
barchart()	Bar Plot
<pre>xyplot()</pre>	Scatterplot
splom()	Scatterplot Matrix
<pre>contourplot()</pre>	Contour Plot of Surfaces
<pre>levelplot()</pre>	False Color Level Plot of Surfaces
<pre>wireframe()</pre>	Three-dimensional Perspective Plot of Surfaces
cloud()	Three-dimensional Scatterplot
<pre>parallel()</pre>	Parallel Coordinates Plot

Quelle: http://www.isid.ac.in/~deepayan/R-tutorials/labs/04\_lattice\_lab.pdf

## LatticeBefehle



Quelle: Universität Trier (2013) Statistical Programming with R

## Wichtige Bibliotheken für die graphische Datenanalyse

Bibliothek	Thema
lattice	Lattice is a powerful and elegant high-level data visuali-
	zation system
vcd	Visualization techniques, data sets, summary and infe-
	rence procedures aimed particularly at categorical data.
ggplot2	An implementation of the grammar of graphics in R.

## Aufgabe 9 - Datenanalyse II

- ► Laden Sie einen Datensatz Ihrer Wahl entweder einen eigenen oder einen der vorgestellten Datensätze
- ▶ Berechnen Sie einfache Statistiken auf den wichtigsten Variablen (Mittelwert, Median, Standardabweichung)
- Erzeugen Sie eine zweidimensionale Häufigkeitstabelle
- Führen Sie eine Regression auf den Daten durch
- Erzeugen Sie einen Lattice-plot

# Vielen Dank für die Aufmerksamkeit

