B3 - Linear Regression

Jan-Philipp Kolb

16 Oktober 2018

Gute Literatur für lineare Regression in R

J H Maindonald - Using R for Data Analysis and Graphics Introduction, Code and Commentary

- Introduction to R
- Data analysis
- Statistical models
- Inference concepts
- Regression with one predictor
- Multiple linear regression
- Extending the linear model
- . .

Variablen im mtcars Datensatz

Hilfe File für den roller Datensatz:

?mtcars

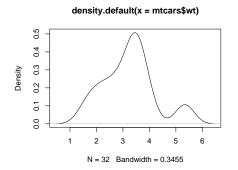
- mpg Meilen/(US) Gallone
- cyl Anzahl der Zylinder

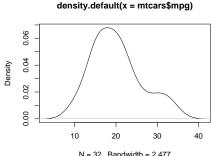
Datensatz mtcars

| | mpg | cyl | disp | hp | drat | wt | qsec | VS | a |
|-------------------------------------|------|-----------|------------------------------|------------------------|------|----------------|---------------------|-----|----|
| Mazda RX4 | 21.0 | 6 | 160.0 | 110 | 3.90 | 2.620 | 16.46 | 0 | |
| Mazda RX4 Wag | 21.0 | 6 | 160.0 | 110 | 3.90 | 2.875 | 17.02 | 0 | |
| Datsun 710 | 22.8 | 4 | 108.0 | 93 | 3.85 | 2.320 | 18.61 | 1 | |
| Hornet 4 Drive | 21.4 | 6 | 258.0 | 110 | 3.08 | 3.215 | 19.44 | 1 | |
| Hornet Sportabout | 18.7 | 8 | 360.0 | 175 | 3.15 | 3.440 | 17.02 | 0 | |
| Valiant | 18.1 | 6 | 225.0 | 105 | 2.76 | 3.460 | 20.22 | 1 | |
| Duster 360 | 14.3 | 8 | 360.0 | 245 | 3.21 | 3.570 | 15.84 | 0 | |
| Merc 240D | 24.4 | 4 | 146.7 | 62 | 3.69 | 3.190 | 20.00 | 1 | |
| Merc 230 | 22.8 | 4 | 140.8 | 95 | 3.92 | 3.150 | 22.90 | 1 | |
| Merc 280 | 19.2 | 6 | 167.6 | 123 | 3.92 | 3.440 | 18.30 | 1 | |
| Merc 280C | 17.8 | 6 | 167.6 | 123 | 3.92 | 3.440 | 18.90 | 1 | |
| Merc 450SE | 16.4 | 8 | 275.8 | 180 | 3.07 | 4.070 | 17.40 | 0 | |
| Merc 450SL | 17.3 | 8 | 275.8 | 180 | 3.07 | 3.730 | 17.60 | 0 | |
| Merc 450SLC | 15.2 | 8 | 275.8 | 180 | 3.07 | 3.780 | 18.00 | 0 | |
| Cadillac Floatwood Jan-Philipp Kolb | 10 / | Q B3 - | オフつ ∩ Linear Regre | つ ハ に ession | ა ია | ნ つნ∩ 16 Ok | 17 00 tober 2018 | 4/3 | 33 |

Verteilungen von zwei Variablen aus dem Datensatz mtcars

```
par(mfrow=c(1,2))
plot(density(mtcars$wt)); plot(density(mtcars$mpg))
```





Ein einfaches Regressionsmodell

Abhängige Variable - Meilen pro Gallone (mpg)

Unabhängige Variable - Gewicht (wt)

```
m1 <- lm(mpg ~ wt,data=mtcars)
m1

##
## Call:
## lm(formula = mpg ~ wt, data = mtcars)
##
## Coefficients:
## (Intercept) wt
## 37.285 -5.344</pre>
```

Die Modell Zusammenfassung:

```
summary(m1)
##
## Call:
## lm(formula = mpg ~ wt, data = mtcars)
##
## Residuals:
##
      Min 1Q Median 3Q
                                       Max
## -4.5432 -2.3647 -0.1252 1.4096 6.8727
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 37.2851 1.8776 19.858 < 2e-16 ***
       -5.3445 0.5591 -9.559 1.29e-10 ***
## wt
## ---
## Signif. codes: 0 '***!
                             001 '**' 0.01 '*'
    Jan-Philipp Kolb
                        B3 - Linear Regression
                                               16 Oktober 2018
```

Die Modellformel

Modell ohne Achsenabschnitt

```
m2 <- lm(mpg ~ - 1 + wt,data=mtcars)
summary(m2)$coefficients

## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## wt 5.291624 0.5931801 8.920771 4.55314e-10
```

Weitere Variablen hinzufügen

```
m3 <- lm(mpg ~ wt + cyl,data=mtcars)
summary(m3)$coefficients</pre>
```

```
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 39.686261 1.7149840 23.140893 3.043182e-20
## wt -3.190972 0.7569065 -4.215808 2.220200e-04
## cyl -1.507795 0.4146883 -3.635972 1.064282e-03
```

Weitere Möglichkeiten, die Formel zu spezifizieren

Interaktionseffekt

```
# effect of cyl and interaction effect:
m3a<-lm(mpg~wt*cyl,data=mtcars)

# only interaction effect:
m3b<-lm(mpg~wt:cyl,data=mtcars)</pre>
```

Den Logarithmus nehmen

```
m3d<-lm(mpg~log(wt),data=mtcars)</pre>
```

Ein Modell mit Interaktionseffekt

Variable disp - Hubraum

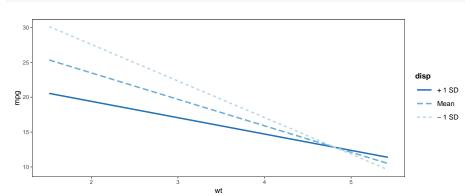
```
m3d<-lm(mpg~wt*disp,data=mtcars)
m3dsum <- summary(m3d)
m3dsum$coefficients
```

```
## (Intercept) 44.08199770 3.123062627 14.114990 2.955567e-14
## wt -6.49567966 1.313382622 -4.945763 3.216705e-05
## disp -0.05635816 0.013238696 -4.257078 2.101721e-04
## wt:disp 0.01170542 0.003255102 3.596022 1.226988e-03
```

Interaktionen untersuchen

jtools - Analysis and Presentation of Social Scientific Data

```
library(jtools)
interact_plot(m3d, pred = "wt", modx = "disp")
```



• Wenn Interaktions-Variable stetig (hier disp) erhält man drei Linien:

Das R-Paket interplot

Plot the Effects of Variables in Interaction Terms

library(interplot)

• Eine detailliertere Erklärung findet man in der Interplot Vignette

interplot: Plot the Effects of Variables in Interaction Terms

Frederick Solt and Yue Hu

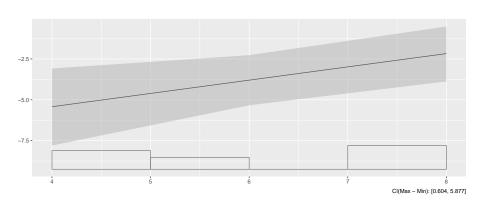
2018-06-30

Interaction is a powerful tool to test conditional effects of one variable on the contribution of another variable to the dependent variable and has been extensively applied in the empirical research of social science since the 1970s (Wright Jr 1976). Unfortunately, the nonlinear nature determines that the statistical estimate of an interactive effect cannot be interpreted as straightforward as the coefficient of a regular regression parameter. Let's use a simple example to illustrate this point: The following model use an interaction term to test the conditional effect of Z on X's contribution (or the conditional effect of X on Z's contribution) to the variance of Y.

Das R-Paket interplot

• Der Effekt wird auf der y Achse abgetragen - wt auf der x-Achse

```
interplot(m = m3a, var1 = "wt", var2 = "cyl", hist = TRUE)
```



Beispiel: Objekt Orientierung

- m3 ist nun ein spezielles Regressionsobjekt
- Verschiedene Funktionen können auf dieses Objekt angewendet werden.

```
predict(m3) # Prediction
resid(m3) # Residuals
```

| ## | Mazda | RX4 Ma | azda RX4 Wag | g Datsun | 1710 H |
|----|---------------|--------|--------------|----------|---------|
| ## | 22.2 | 7914 | 21.46545 | 26.2 | 25203 |
| ## | Hornet Sporta | bout | Valiant | ; | |
| ## | 16.6 | 4696 | 19.59873 | 3 | |
| | | | | | |
| ## | Mazda | RX4 Ma | azda RX4 Wag | g Datsun | 1710 Ho |
| ## | -1.279 | 1447 | -0.4654468 | 3 -3.452 | 20262 |
| ## | Hornet Sporta | bout | Valiant | ; | |
| ## | 2.053 | 0424 | -1.4987281 | - | |

.. ..

Eine Modellvorhersage machen

```
pre <- predict(m1)
head(mtcars$mpg)
## [1] 21.0 21.0 22.8 21.4 18.7 18.1</pre>
```

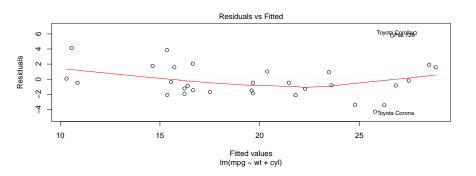
head(pre)

```
## Mazda RX4 Mazda RX4 Wag Datsun 710 Ho
## 23.28261 21.91977 24.88595

## Hornet Sportabout Valiant
## 18.90014 18.79325
```

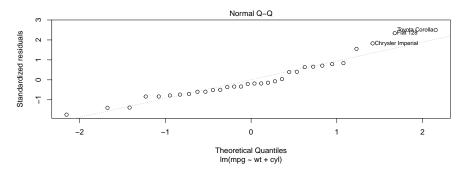
Residuenplot - Modellannahmen verletzt?

• Gibt es ein Muster in der Abweichung von der Linie



Residuenplot

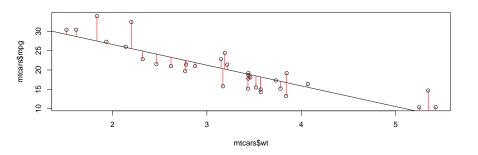
plot(m3,2)



 Wenn die Residuen normalverteilt sind, dann sollten sie auf der gleichen Linie liegen.

Regressionsdiagnostik mit Basis-R

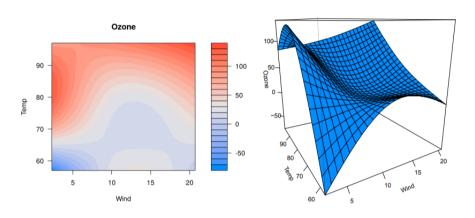
```
plot(mtcars$wt,mtcars$mpg)
abline(m1)
segments(mtcars$wt, mtcars$mpg, mtcars$wt, pre, col="red")
```



Das visreg-Paket

install.packages("visreg")

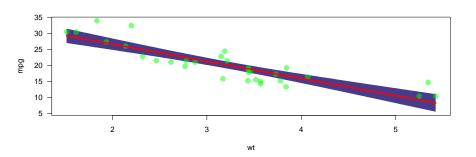
library(visreg)



Das visreg-Paket

- Das Default-Argument für type ist conditional.
- Scatterplot von mpg und wt mit Regressionslinie und Konfidenzbändern

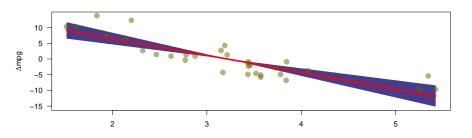
```
visreg(m1, "wt", type = "conditional")
```



Visualisierung mit visreg

- Zweites Argument Spezifikation der Kovariaten in der Graphik
- Das Diagramm zeigt die Auswirkung auf den erwarteten Wert des Regressors, wenn die Variable x von einem Referenzpunkt auf der x-Achse wegbewegt wird (bei numerischen Variablen der Mittelwert).

```
visreg(m1, "wt", type = "contrast")
```



Regression mit Faktoren

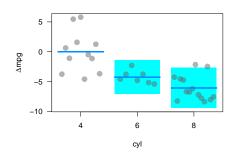
• Die Effekte von Faktoren können auch mit visreg visualisiert werden:

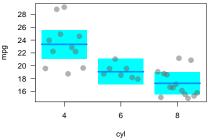
```
mtcars$cyl <- as.factor(mtcars$cyl)
m4 <- lm(mpg ~ cyl + wt, data = mtcars)
# summary(m4)</pre>
```

```
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 33.990794 1.8877934 18.005569 6.257246e-17
## cyl6 -4.255582 1.3860728 -3.070244 4.717834e-03
## cyl8 -6.070860 1.6522878 -3.674214 9.991893e-04
## wt -3.205613 0.7538957 -4.252065 2.130435e-04
```

Effekte von Faktoren

```
par(mfrow=c(1,2))
visreg(m4, "cyl", type = "contrast")
visreg(m4, "cyl", type = "conditional")
```



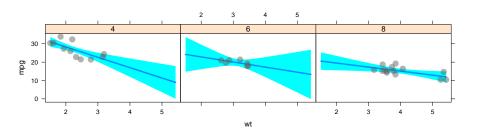


Das Paket visreg - Interaktionen

```
m5 <- lm(mpg ~ cyl*wt, data = mtcars)
# summary(m5)
```

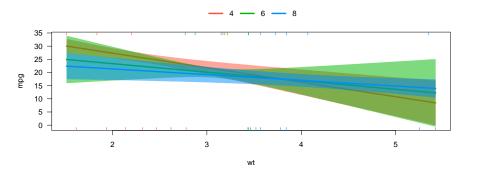
```
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 39.571196 3.193940 12.3894599 2.058359e-12
## cyl6 -11.162351 9.355346 -1.1931522 2.435843e-01
## cyl8 -15.703167 4.839464 -3.2448150 3.223216e-03
## wt -5.647025 1.359498 -4.1537586 3.127578e-04
## cyl6:wt 2.866919 3.117330 0.9196716 3.661987e-01
## cyl8:wt 3.454587 1.627261 2.1229458 4.344037e-02
```

Den Graphikoutput mit layout kontrollieren

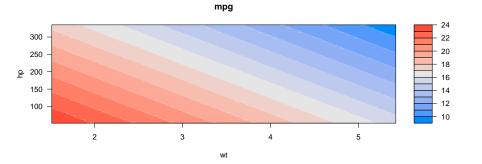


Das Paket visreg - Interaktionseffekte übereinander legen

```
m6 <- lm(mpg ~ hp + wt * cyl, data = mtcars)
visreg(m6, "wt", by="cyl", overlay=TRUE, partial=FALSE)</pre>
```

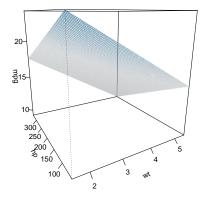


Das Paket visreg - visreg2d



Das Paket visreg - surface

```
visreg2d(m6, "wt", "hp", plot.type = "persp")
```



B3A Aufgabe lineare Regression

Der Datensatz toycars beschreibt die Route von drei Spielzeugautos, die Rampen in verschiedenen Winkeln absteigen.

- angle: Rampenwinkel
- distance: Entfernung die von dem Spielzeugauto zurück gelegt wird.
- car: Autotyp (1, 2 or 3)
- Lese den Datensatz toycars ein und konvertiere die Variable car des Datensatzes in einen Faktor (as.factor).
- 2 Erstelle drei Box-Plots, in denen die von den Autotypen zurückgelegte Strecke visualisiert wird.

B3A Aufgabe lineare Regression II

Schätze für jeden Autotyp getrennt die Parameter des folgenden linearen Modell; nutze dafür die Funktion lm()

$$distance_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot angle_i + \epsilon_i$$

Überprüfe die Anpassung des Modells indem Du die drei Regressionslinien in den Scatterplot einzeichnest (distance gegen angle). Spricht das

 R^2

für eine gute Modellanpassung?

Einen schönen Output mit dem Paket stargazer

erzeugen

```
library(stargazer)
stargazer(m3, type="html")
```

Beispiel HTML Outputs:

| | Dependent variable | |
|--------------|--------------------|--|
| | mpg | |
| wt | -3.125*** | |
| | (0.911) | |
| cyl | -1.510*** | |
| | (0.422) | |
| am | 0.176 | |
| | (1.304) | |
| Constant | 39.418*** | |
| | (2.641) | |
| Observations | 32 | |

Shiny App - Diagnostiken für die einfache lineare Regression

https://gallery.shinyapps.io/slr_diag/

Diagnostics for simple linear regression

Select a trend:

- Linear upLinear down
- Curved up
 Curved down
- Fan-shaped
- Show residuals

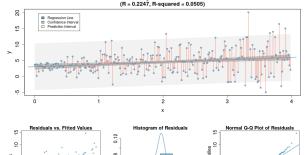
This applet uses ordinary least squares (OLS) to fit a regression line to the data with the selected trent. The applet is designed to help you practice evaluating whether or not the linear model is an appropriate fit to the data. The three diagnostic plots on the lower half of the page are provided to help vou identify undesirable patterns in the residuals

that may arise from non-linear trends in the data.

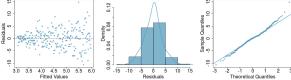
Rate this appl View code

Check out other apps

Want to learn more for free?



Regression Model



Links - lineare Regression

- Regression r-bloggers
- Das komplette Buch von Faraway- sehr intuitiv geschriebenes Buch
- Gute Einführung auf Quick-R
- Multiple Regression
- 15 Arten von Regressionen die man kennen sollte
- ggeffects Erzeuge saubere Datensätze mit marginellen Effekten für 'ggplot' aus Modell Outputs