

B4 - Generalisierte lineare Modelle mit R

Jan-Philipp Kolb

16 Oktober 2018

Agresti - Categorical Data Analysis (2002)



- Sehr intuitiv geschriebenes Buch
- Sehr detailliertes Skript von **Laura A. Thompson**
- Das Buch behandelt grundsätzlich die kategoriale Datenanalyse.

Extending the Linear Model with R

- Logistische Regression eingängig erklärt
- Beispiel mit R-Code
 - Faraway - **Extending the linear model with R**
 - Faraway - **Practical Regression and Anova using R**

Importieren des GESIS Panels Datensatzes

```
library(readstata13)
datf <- read.dta13("D:/Daten/GitLab/IntroDataAnalysis/data/ZA5
                  convert.factors = F)
```

Das Argument `convert.factors`:

- `logical`. Wenn `TRUE`, werden Faktoren aus dem Stata Werte Labeln erzeugt.

Eine Funktion um fehlende Werte zu rekodieren

```
code_miss <- function(var){  
  misvals <- c(-11,-22,-33,-44,-55,-66,-77,-88,-99,-111)  
  var[var %in% misvals] <- NA  
  return(var)  
}
```

Variablen für das glm

- a11d056z: Altersgruppe

```
table(datf$a11d056z)
```

```
##
```

```
## -99    1    2    3    4    5    6    7    8    9   10   11   12   13  
##    5   31   87  101   91   83  100  163  159  133   64   56  105   44
```

```
age <- code_miss(datf$a11d056z)
```

```
table(age)
```

```
## age
```

```
##    1    2    3    4    5    6    7    8    9   10   11   12   13  
##   31   87  101   91   83  100  163  159  133   64   56  105   44
```

GP Variable a11d094a: Kinder unter 16 Jahre

Gibt es in Ihrem Haushalt Kinder unter 16 Jahren?

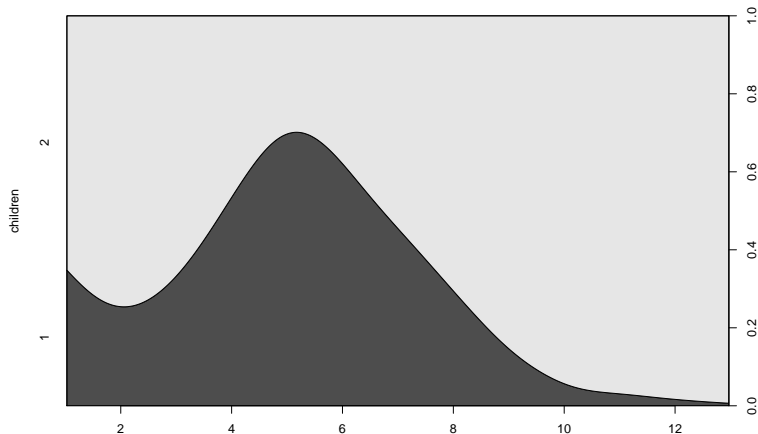
- 1 Ja
- 2 Nein

```
children <- as.factor(code_miss(datf$a11d094a))  
table(children)
```

```
## children  
##      1      2  
## 325 681
```

Conditional Density Plot (GESIS Panel)

```
cdplot(children ~ age, data = dat)
```



Binäre abhängige Variablen im glm

- Die **logistische Regression** gehört zur Klasse der generalisierten linearen Modellen (GLM)
- Die Funktion zur Schätzung eines Modells dieser Klasse heißt `glm()`

Ein glm spezifizieren

- Formul Objekt
- die Klasse (binomial, gaussian, gamma)
- mit einer Link Funktion (logit, probit, cauchit, log, cloglog)

muss spezifiziert

Logistische Regression mit R

```
glm_1 <- glm(children ~ age,  
              family = binomial())
```

```
sum_glm1 <- summary(glm_1)  
sum_glm1$coefficients
```

##	Estimate	Std. Error	z value	Pr(> z)
## (Intercept)	-0.7194058	0.16384386	-4.390801	1.129338e-05
## age	0.2225862	0.02376266	9.367056	7.458415e-21

Die Koeffizienten interpretieren

Wir betrachten das logistische Modell der Kinder im Haushalt als eine Funktion des Alters.

```
sum_glm1$coefficients
```

##	Estimate	Std. Error	z value	Pr(> z)
## (Intercept)	-0.7194058	0.16384386	-4.390801	1.129338e-05
## age	0.2225862	0.02376266	9.367056	7.458415e-21

- Die Schätzungen und Standardfehler werden mit Log Odds angegeben, nicht mit der Wahrscheinlichkeit.
- Die p-Werte bedeuten das Gleiche, wie bei der linearen Regression.

Der inverse Logit

```
sum_glm1$coefficients
```

```
##              Estimate Std. Error   z value    Pr(>|z|)
## (Intercept) -0.7194058 0.16384386 -4.390801 1.129338e-05
## age          0.2225862 0.02376266  9.367056 7.458415e-21
```

- Die Koeffizienten können nicht so einfach wie “die Kinder im Haushalt in der Altersgruppe 0” interpretiert werden. Wir müssen den inversen Logit verwenden, um etwas auszusagen.

Werte für die Log-odds von -0.7194058 sind das Gleiche, wie die Wahrscheinlichkeit: 0.3275238.

```
faraway::ilogit(sum_glm1$coefficients[1,1])
```

```
## [1] 0.3275238
```

Zum Achsenabschnitt in einem logistischen Modell

- Es ist möglich, dass der Schätzwert für den Achsenabschnitt kleiner als null ist.
- Das bedeutet, dass die log-odds negativ sind und NICHT die Wahrscheinlichkeit.
- Ein Log-Odd Wert von 0 bedeutet eine Wahrscheinlichkeit von 0.5.

Log-odds und die Wahrscheinlichkeit

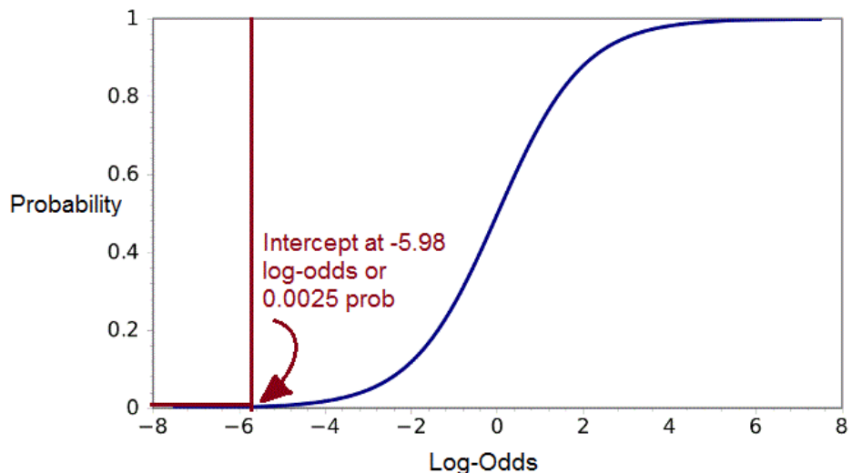
- Die Log-odds steigen an, wenn die Wahrscheinlichkeit auch ansteigt.

Daraus folgt. . .

- Ein positiver Steigungskoeffizient bedeutet, dass der Response-Wert mit zunehmendem Wert für die erklärende Variable auch zunimmt.
- In unserem Fall heißt das: Die Wahrscheinlichkeit, dass sich im Haushalt Kinder befinden steigt mit dem Alter des Befragten.

Das Ergebnis graphisch darstellen

es steigt in einer Sigmoid-Kurve an, nicht mit einer konstanten Rate



Logistische Regressionsformel

Logistische Modelle haben Regressionsformeln. Diese Formel ist:

$$\text{Log-Odds(Children)} = -0.7194058 + 0.2225862(\text{Age}) + \text{Fehler}$$

Wir können die Alterswerte in die Formel einsetzen um die vorhergesagten Log-Odds für unterschiedliches Alter zu bekommen.

Log-Odds für die Altersgruppe 5

$$-0.7194058 + 0.2225862 \cdot (5) = 0.3935251$$

Wahrscheinlichkeit für Kinder in der Altersgruppe 5

```
ilogit(0.3935251)
```

```
## [1] 0.597131
```


Die Ergebnisse interpretieren

```
anova(glm_1, test="Chisq")
```

```
## Analysis of Deviance Table
```

```
##
```

```
## Model: binomial, link: logit
```

```
##
```

```
## Response: children
```

```
##
```

```
## Terms added sequentially (first to last)
```

```
##
```

```
##
```

```
##      Df Deviance Resid. Df Resid. Dev  Pr(>Chi)
```

```
## NULL                      1000      1259
```

```
## age      1      98.956          999      1160 < 2.2e-16 ***
```

```
## ---
```

```
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Die Devianz

Abweichung vom Idealwert

- Zweimal die Differenz zwischen der maximalen Log-Likelihood $\ell^{(M)}$ und dem Wert für das angepasste Modell

```
sum_glm1 <- summary(glm_1)
sum_glm1$deviance
```

```
## [1] 1160.044
```

Mc Fadden's R^2

```
library(psc1)
pR2(glm_1)
```

```
##              1lh              1lhNull              G2              McFadden
## -580.02210772 -632.93066002  105.81710461  0.08359297
##              r2CU
##      0.13978426
```

```
1lh      The log-likelihood from the fitted model
1lhNull  The log-likelihood from the intercept-only restricted model
G2       Minus two times the difference in the log-likelihoods
McFadden McFadden's pseudo r-squared
r2ML     Maximum likelihood pseudo r-squared
r2CU     Cragg and Uhler's pseudo r-squared
```

Großstadtnähe Wohngegend

Wie weit ist es von Ihrer Wohnung bis ins Zentrum der nächsten Großstadt?

- 1 - Im Großstadtzentrum
- 6 - 60 km und mehr

```
region <- code_miss(datf$bczd001a)
table(region)
```

```
## region
##      1      2      3      4      5      6
##  87 191 279 157 126 165
```

Zufriedenheit Leben in Wohnort

Alles in allem, wie zufrieden sind Sie mit dem Leben in [Wohnort]?

- 1 - Sehr zufrieden
- 5 - Sehr unzufrieden

```
satisfactionplace <- datf$a11c019a  
table(satisfactionplace)
```

```
## satisfactionplace  
##    1    2    3    4    5  
## 553 534  99  30    6
```

Ein anderes Modell

```
glm_2 <- glm(children ~ age + satisfactionplace*region,  
             family = binomial())
```

```
pseudor2 <- pR2(glm_2)  
pseudor2["McFadden"]
```

```
## McFadden  
## 0.258121
```

Eine weitere Variable aus dem GESIS Panel Datensatz

- Anzahl Tattoos:

```
Tatoos <- code_miss(datf$bdao067a)
Tatoos[Tatoos==97]<-0
```

```
table(Tatoos)
```

```
## Tatoos
##      0      1      2      3      4      5      6
## 871   56   28   13      7      4      8
```

Generalisierte Regression mit R - Mehr Funktionen

- Logistisches Modell mit einem Probit Link:

```
probitmod <- glm(children ~ age,  
  family=binomial(link=probit))
```

- Regression mit Zähldaten:

```
modp <- glm(Tatoos ~ age,family=poisson)
```

- Proportional Odds logistic Regression aus dem Paket MASS:

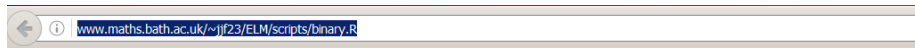
```
library("MASS")  
mod_plr<-polr(a11c020a ~ a11d096b ,data=dat)
```


Linkliste - logistische Regression

- Einführung in die **logistische Regression**



- **Code zum Buch von Faraway**



```
library(faraway)
data(orings)
plot(damage/6 ~ temp, orings, xlim=c(25,85), ylim = c(0,1), xlab="Temperature", ylab="Prob of damage")
lmod <- lm(damage/6 ~ temp, orings)
abline(lmod)
logitmod <- glm(cbind(damage,6-damage) ~ temp, family=binomial, orings)
summary(logitmod)
plot(damage/6 ~ temp, orings, xlim=c(25,85), ylim = c(0,1), xlab="Temperature", ylab="Prob of damage")
```

- **Kategoriale Daten: - Wie man eine logistische Regression in R**