Background em métodos numéricos

Author:
Prof. Gustavo
Oliveira
gustavo.oliveira@ci.ufpb.br

Cálculo Numérico (clippings).

Universidade Federal da Paraíba July 11, 2018

1 Background em métodos numéricos

1.1 Conteúdo

Todo o conteúdo programático de Métodos Numéricos tem por base alguma teoria matemática. Em suma, veremos problemas que surgem a partir dos seguintes assuntos:

- 1. **Raízes de Equações:** problemas que buscam o(s) valor(es) de uma varíavel ou parâmetro que satisfaz(em) uma equação não-linear.
 - *Aplicabilidade*: projetos de Engenharia onde é frequentemente impossível resolver as equações de forma explícita.
 - *Exemplo*: f(x) = 0, para $x \in I \subset \mathbb{R}$
- 2. **Sistemas de Equações Algébricas Lineares:** problemas em que um conjunto de valores que satisfazem simultaneamente a um sistema de equações lineares deve ser encontrado.
 - *Aplicabilidade*: modelagem de grandes sistemas de elementos interconectados (estruturas, circuitos elétricos e redes), ajuste de curvas e equações diferenciais.
 - *Exemplo*: dados a_{ij} e c_i , resolver para (x_1, x_2) :

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 = c_1a_{21}x_1 + a_{22}x_2 = c_2$$

- 3. **Ajuste de Curvas:** problemas em que curvas devem ser ajustadas a dados experimentais ou tabelares. São divididos em duas categorias gerais: regressão e interpolação.
 - Aplicabilidade: a regressão é empregada quando há um grau significativo de erro associado com os dados; por outro lado, a interpolação é usada quando desejamos determinar valores intermediários quando os dados são relativamente livres de erros.
 - Exemplo: dada uma tabela de dados, ajustar uma curva aos pontos.
- 4. **Integração:** a interpretação física é aquela da área sob uma curva. Desempenha um importante papel na solução de equações diferenciais.
 - *Aplicabilidade*: determinação de centroides, determinação de quantidades mensuráveis (volumes, vazões, energia, etc.)
 - Exemplo: calcular a quantidade I, a qual é dada por

$$I = \int_a^b f(x) \, dx, \ x \in [a, b].$$

- 5. **Equações Diferenciais Ordinárias (EDOs):** são usadas para modelar diversos fenômenos e leis físicas em que as taxas de variação de uma quantidade são mais importantes do que a quantidade em si.
 - *Aplicabilidade*: predições populacionais; aceleração de corpos; transferência de calor. Dois tipos de problemas surgem baseados em EDO: problemas de valor inicial (PVIs) e problemas valor de contorno (PVCs).
 - Exemplo: dada

$$\frac{dy}{dt} \approx \frac{\Delta y}{\Delta t} = f(t, y),$$

resolver para y_i

$$y_{i+1} = y_i + f(t_i, y_i) \Delta t$$

- 6. **Equações Diferenciais Parciais (EDPs):** assim como EDOs, são usadas para modelar diversos fenômenos e leis físicas em que as taxas de variação de uma quantidade são importantes, mas dependem de duas ou mais variáveis independentes.
 - Aplicabilidade: permeiam quase que a totalidade dos modelos complexos reais nas ciências exatas cujas variações ocorrem no domínio espacial ou espaço-temporal (ex. comportamento de fluidos, processos químicos, fenômenos biológicos).

• *Exemplo*: dada f(x,y), resolver para u(x,y):

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = f(x, y), \ \forall (x, y) \in \mathbb{R}^2.$$

Uma ilustração do conteúdo pode ser vista na figura abaixo:

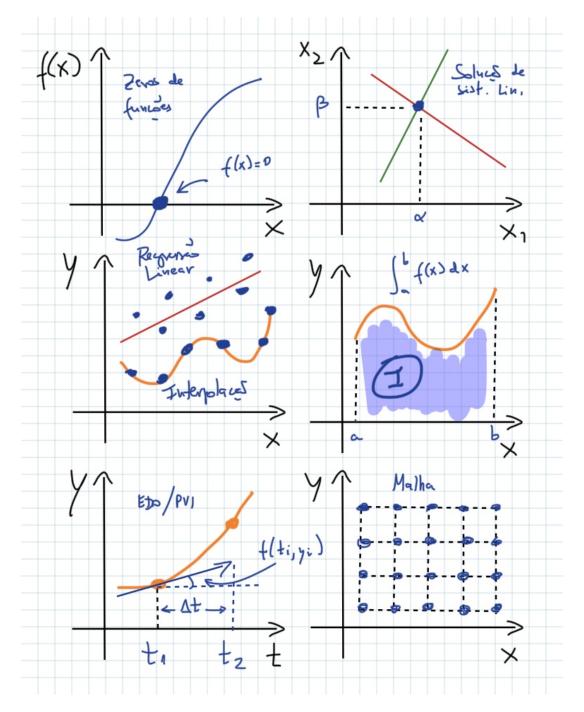


Figure 1.1: Conteúdo de métodos numéricos.