# Лабораторная работа 11

Чернышев Ярослав

1 июня 2021 г.

## Оглавление

1	Задание 11.1	2
2	Задание 11.2	3
3	Задание 11.3	4

### Глава 1

# Задание 11.1

В рамках этого упражнения требуется запустить и ознакомится с кодом и результатами его работы в chap11.ipynb. Это и было сделано.

### Глава 2

# Задание 11.2

В рамках этого упражнения мной был просмотрен указанный в книге видеоролик Криса Монтгомери о выборках.

#### Глава 3

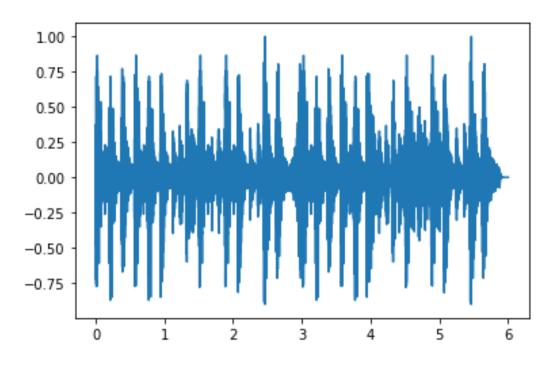
## Задание 11.3

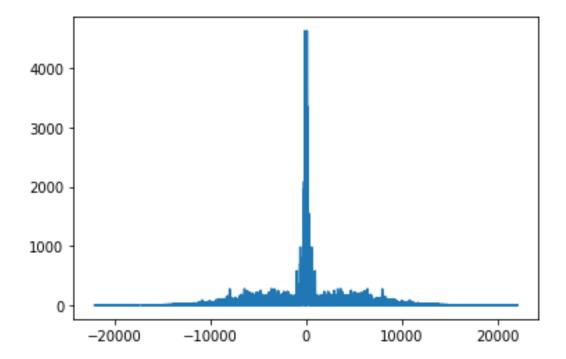
В рамках данного задания требуется ознакомится со сглаживающим фильтромю Для начала, возьмём запись барабанного соло, выведем его сигнал и спектр:

```
wave = read_wave('263868__kevcio__amen-break-a-160-bpm.wav')
wave.normalize()
wave.plot()

spectrum = wave.make_spectrum(full=True)
spectrum.plot()
```

Таким образом, были получены два соответствующих графика:

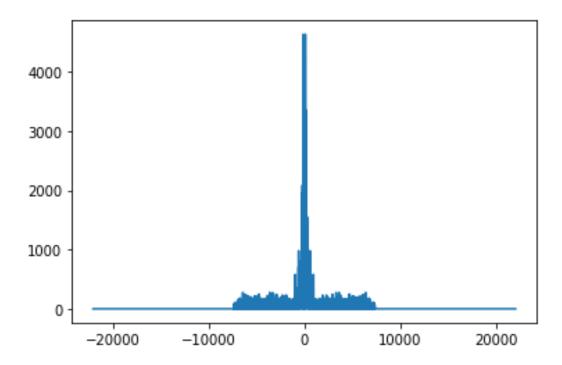




Далее, понижаем частоту выборки и используем фильтр для отсечения частот выше заданной:

```
factor = 3
framerate = wave.framerate / factor
cutoff = framerate / 2 - 1
spectrum.low_pass(cutoff)
spectrum.plot()
```

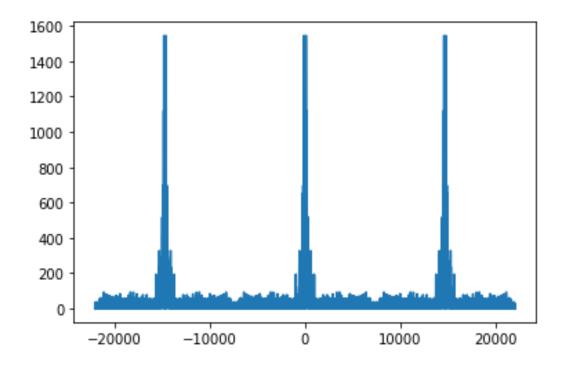
В результате получаем спектр:



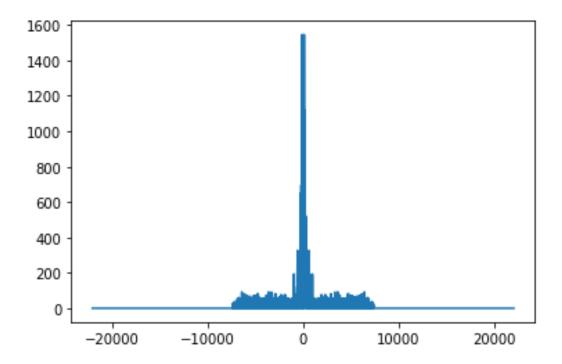
Теперь напишем функцию, иммитирующую процесс выборки:

```
def sample(wave, factor):
    ys = np.zeros(len(wave))
    ys[::factor] = np.real(wave.ys[::factor])
    return Wave(ys, framerate=wave.framerate)
```

В результате работы этой функции мы получили зашумленный сигнал:



Это связано с зашумливанием спектра. Однако, повторное использование фильтра позволяет избавиться от нежелательных копий и получить результат, схожий с тем, что был рассмотрен ранее:



Побочным эффектом является сокращение энергии сигнала. Это исправимо путём масштабирования. Сравним полученный спектр с исходным:

```
sampled_spectrum.scale(factor)
spectrum.max_diff(sampled_spectrum)
```

Результирующая погрешность - 1.8189894035458565e-12, что говорит о высокой степени схожести спектров до и после дискретизации.

Наконец, сравним интерполированную волну с отфильтрованной с помощью  $filtered.max_diff(interpolated)$ . Её величина - 5.56290642113787e-16