

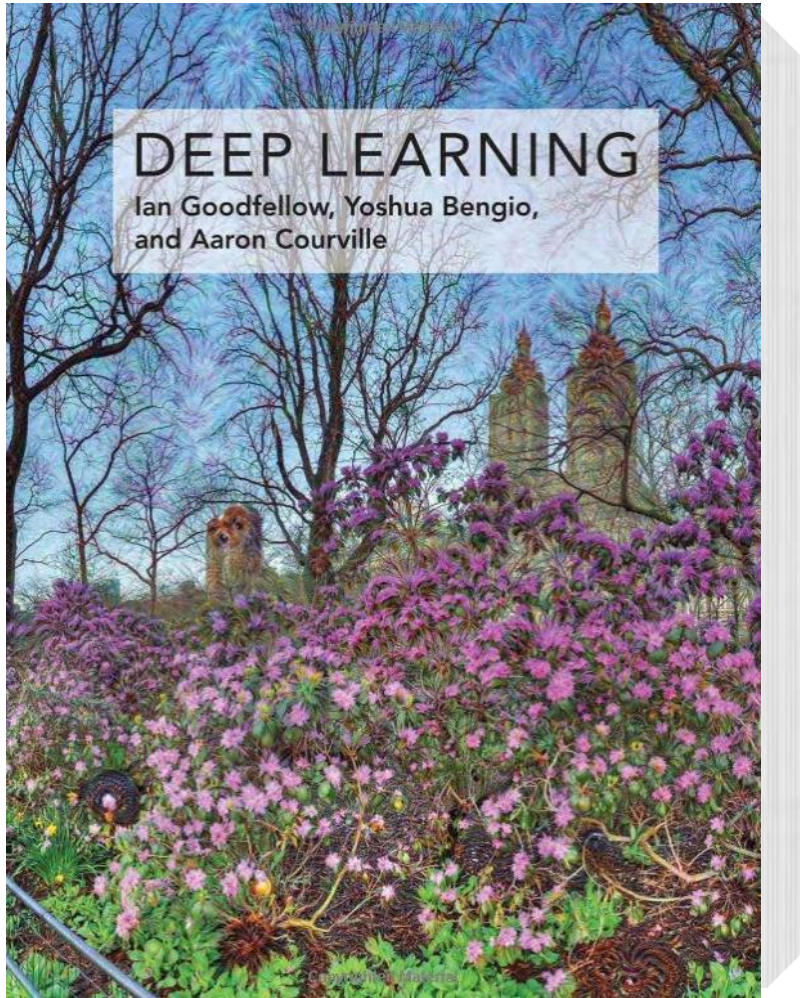
# Neuronale Netze

Christian Böhm

<http://dmm.dbs.ifi.lmu.de/dbs>

# Lehrbuch zur Vorlesung

---



Lehrbuch zur Vorlesung:

Goodfellow, Bengio, Courville:

**Deep Learning**

Adaptive Computation and Machine Learning

MIT Press, 2016, 46,99 € (780 Seiten, gebunden)

# Motivation

---

Bei vielen komplexen Aufgaben ist das menschliche Gehirn klassischen Algorithmen (zunächst) überlegen:

- Erkennung gesprochener Sprache oder Handschrift,
- Bild- und Gesichtserkennung,
- Spiele mit komplexen Entscheidungen,
- Fahrzeugsteuerung.

Neuronale Netze: Algorithmen bilden das natürliche Lernen nach.

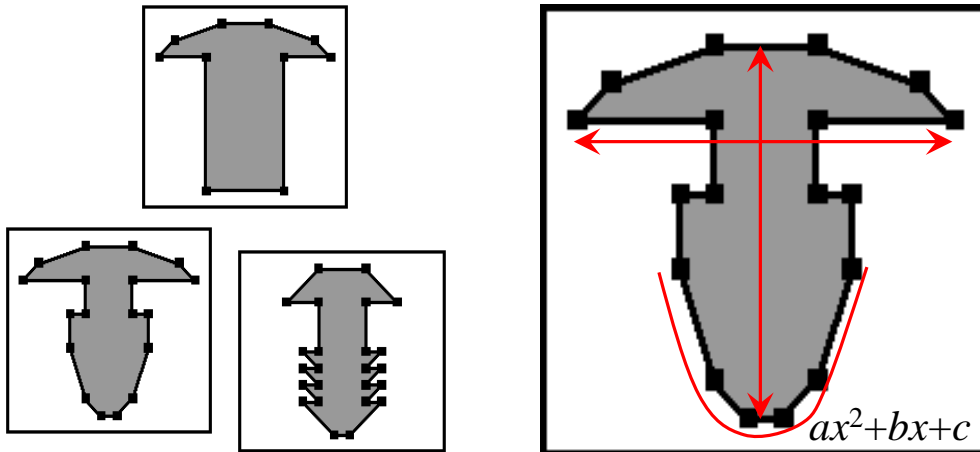
Historie:

- Erste Ansätze schon 1943 (McCullon/Pitch-Neuron),
- 1970-1990 Verwendung einfacher neuronaler Netze,
- Seit ca. 2009: „*Deep Learning*“:
  - Wesentlich komplexere Netzwerke,
  - Hohe Rechenleistung zum Training erforderlich,
  - Deutlich verbesserte Erkennungsleistung.

# Feature-Vektoren

- Viele Anwendungen arbeiten mit komplexen Objekten.
- Es ist die Aufgabe des Anwendungs-Experten, geeignete Merkmale („*Features*“) der Objekte zu definieren.

Beispiel: CAD-Zeichnungen kleiner Bauteile:

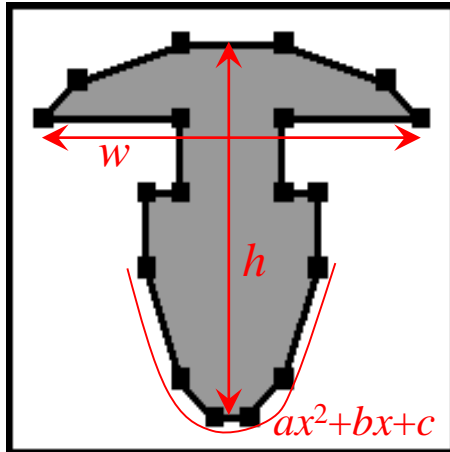


Mögliche Merkmale:

- Höhe  $h$
- Breite  $w$
- Form-Parameter  $(a, b, c)$

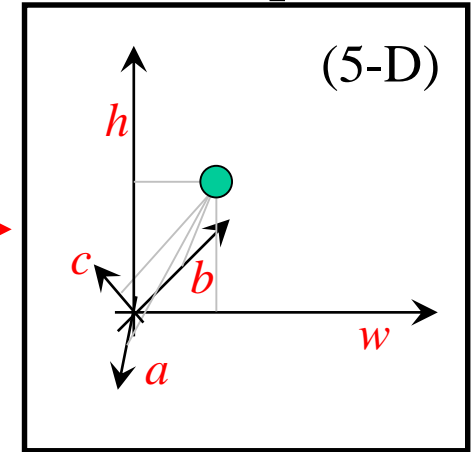
# Feature-Vektoren

Object-Space



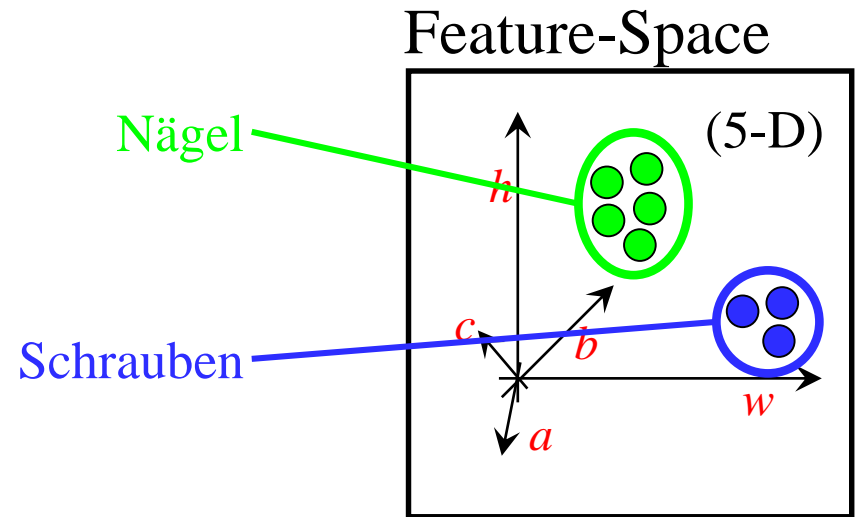
$\longrightarrow (h, w, a, b, c) \longrightarrow$

Feature-Space



- Die ausgewählten Features bilden einen *Feature-Vector*
- Der Feature-Space ist oft hochdimensional (im Beispiel 5-D)

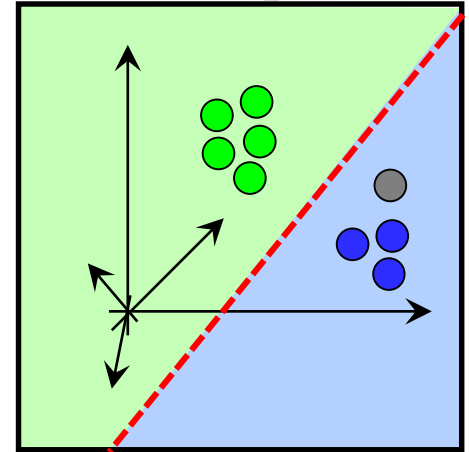
# Feature-Vektoren



- Ähnliche Objekte haben ähnliche Eigenschaften.
- Die Distanz der Feature-Vektoren ist deshalb ein Maß für die Ähnlichkeit.
- Oft gehören ähnliche Objekte der gleichen Klasse an.

# Feature-Vektoren

Feature-Space



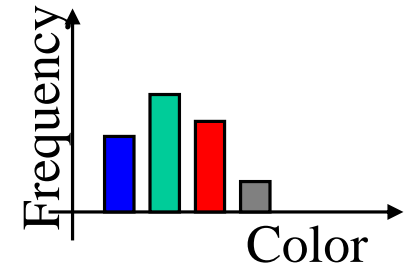
Definition *Klassifikation*:

Lerne von vorklassifizierten *Trainings-Daten* (●, ●) die *Regeln*, um die Klasse neuer Objekte (●) nur auf Basis der Features vorhersagen zu können.

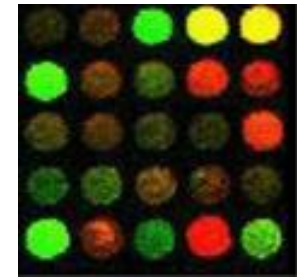
Beispiel: Support-Vector-Machine (lineare Trenn-Ebene )

# Feature-Vektoren

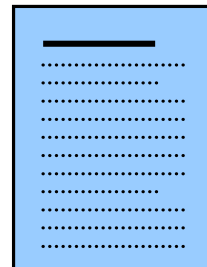
Bilddatenbanken:  
Farb-Histogramme.



Gen-Datenbanken:  
Expressionslevel.



Dokument-Datenbanken:  
Term-Häufigkeiten.



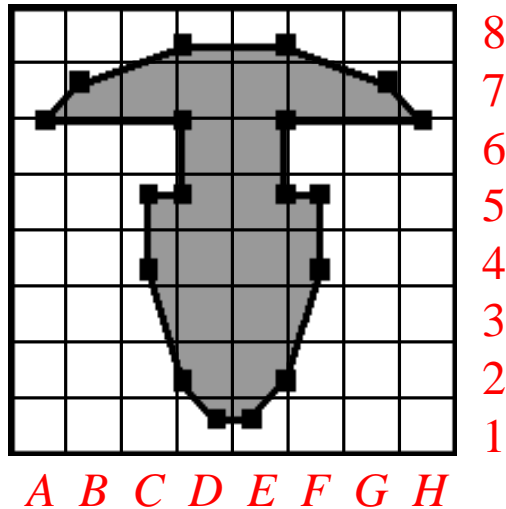
Data	25
Mining	15
Feature	12
Object	7
...	

Der Feature-basierte Ansatz ermöglicht es, eine Vielzahl von Anwendungen einheitlich zu behandeln.

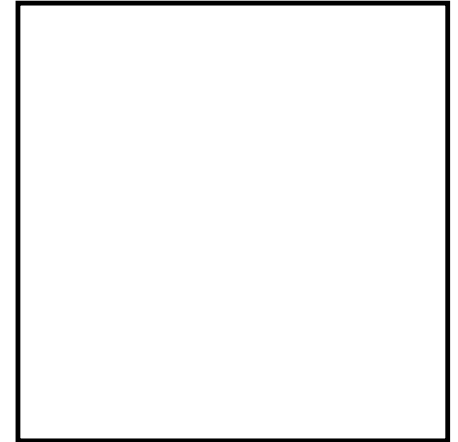


# Feature-Vektoren

Objekt-Space



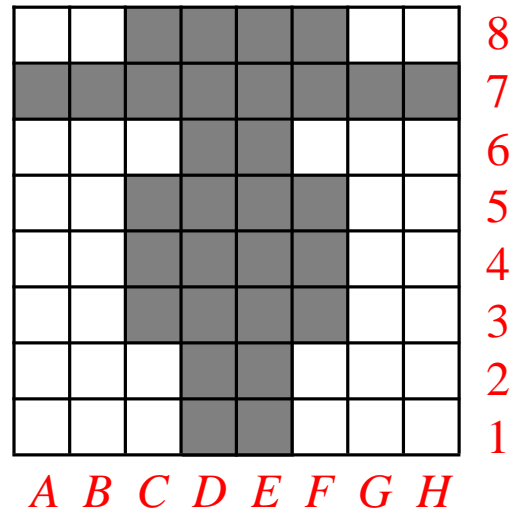
Feature Space



- Bei Anwendungen von tiefen neuronalen Netzen verwendet man häufig sehr einfache Features.
- Im Beispiel wird jedes Pixel (z.B. nach Reduktion oder Standardisierung der Auflösung) als Feature (64-D) verwendet.
- Komplexe Zusammenhänge soll das Lernverfahren selbst erkennen.

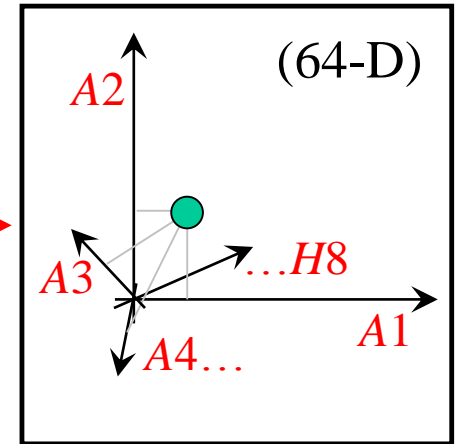
# Feature-Vektoren

Objekt-Space



$(A1 \dots H8)$

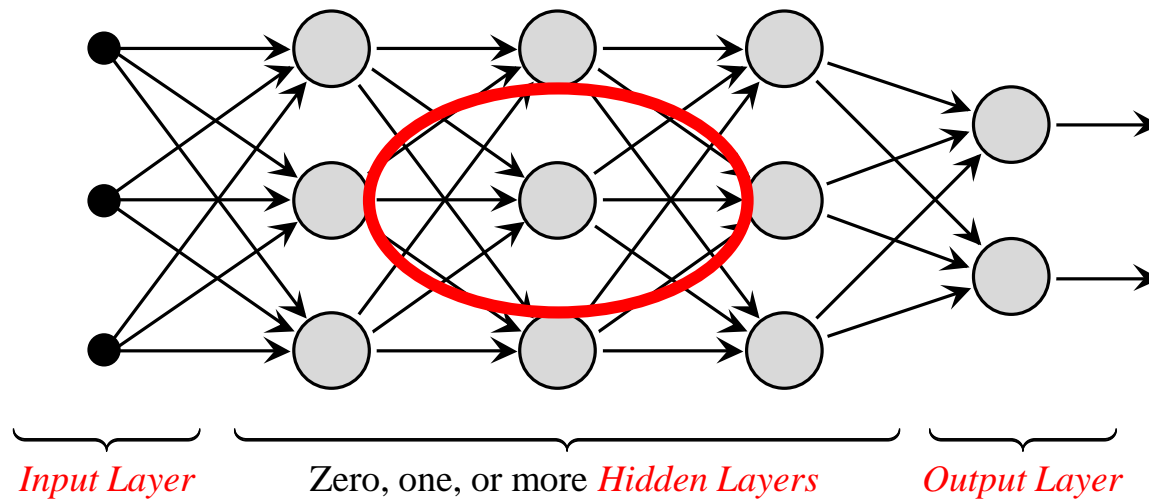
Feature Space



- Bei Anwendungen von tiefen neuronalen Netzen verwendet man häufig sehr einfache Features.
- Im Beispiel wird jedes Pixel (z.B. nach Reduktion oder Standardisierung der Auflösung) als Feature (64-D) verwendet.
- Komplexe Zusammenhänge soll das Lernverfahren selbst erkennen.

# Artificial Neural Network (ANN)

---

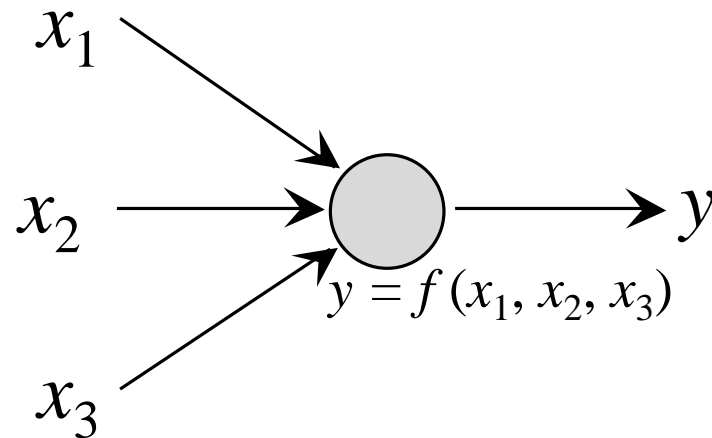


Ein Artificial Neural Network (ANN, künstliches neuronales Netz) ist ein

- Netzwerk (*gerichteter Graph*)
- von informationsverarbeitenden Einheiten (*künstliche Neuronen*),
- das meist für Aufgaben des maschinellen Lernens wie z.B. zur Klassifikation eingesetzt wird.

# Das Künstliche Neuron

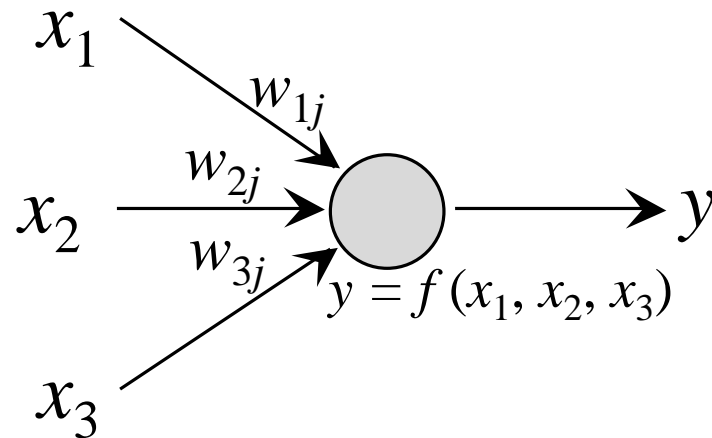
---



Das künstliche Neuron...

- Realisiert eine mathematische *Funktion*  $f( )$ .
- Eingaben ( $x_1, x_2, x_3$ ) werden über eingehende Kanten übergeben.
- Das Ergebnis ( $y$ ) wird über ausgehende Kanten an andere künstliche Neuronen übermittelt.

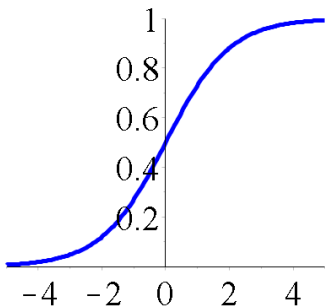
# Das Künstliche Neuron



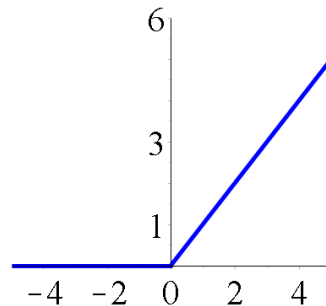
Die Funktion  $f( )$  ist oft zusammengesetzt aus...

- einer linearen *Übertragungsfunktion* der Eingaben  $x_i$  (z.B. einer gewichteten Summe  $\sum_i w_{ij} x_i$ )
- und danach einer nichtlinearen *Aktivierungsfunktion*, z.B.

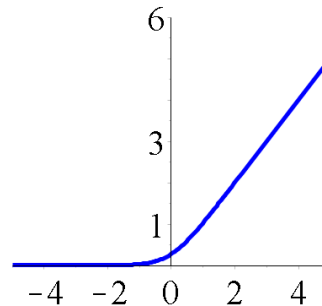
Sigmoid



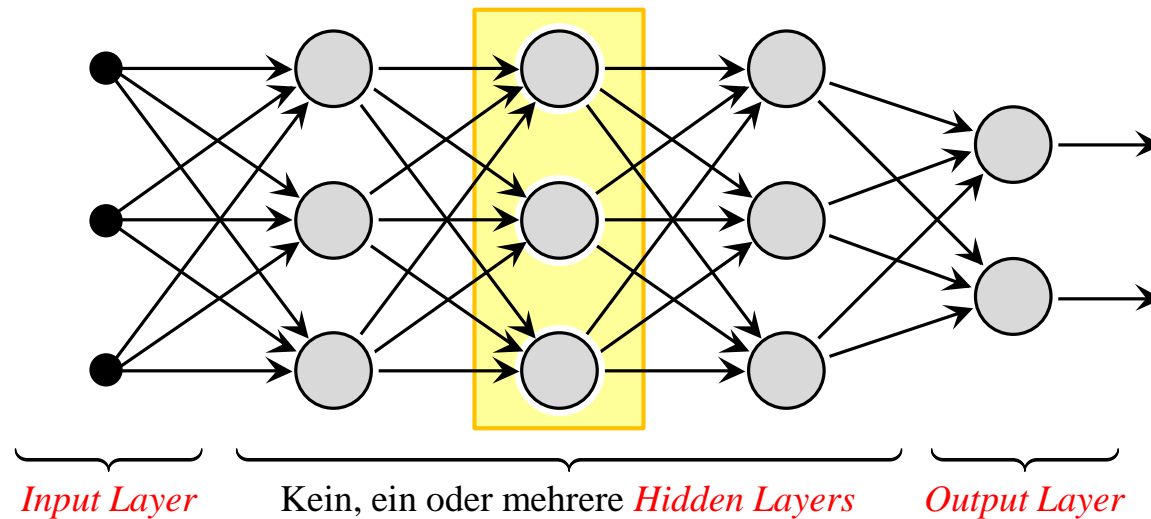
ReLU



Softplus

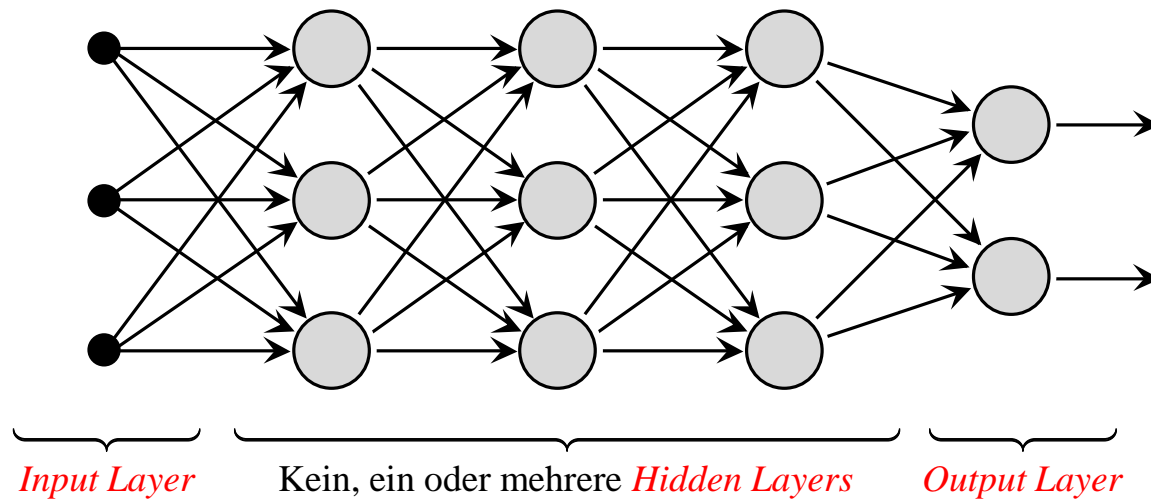


# Layers eines ANN

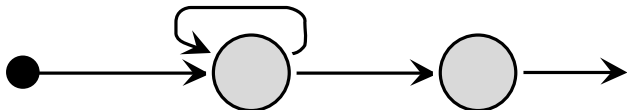


- In natürlichen neuronalen Netzen sind die Neuronen miteinander in beliebiger Ordnung verbunden.
- ANNs ordnen die Neuronen Lagen-weise (*Layer*) an:
  - genau ein Output-Layer
  - beliebig viele Hidden Layers
- Die Neuronen einer Ebene verwenden alle die gleiche Funktion, aber unterschiedliche Parameter (z.B. die Gewichte  $w_{ij}$ )

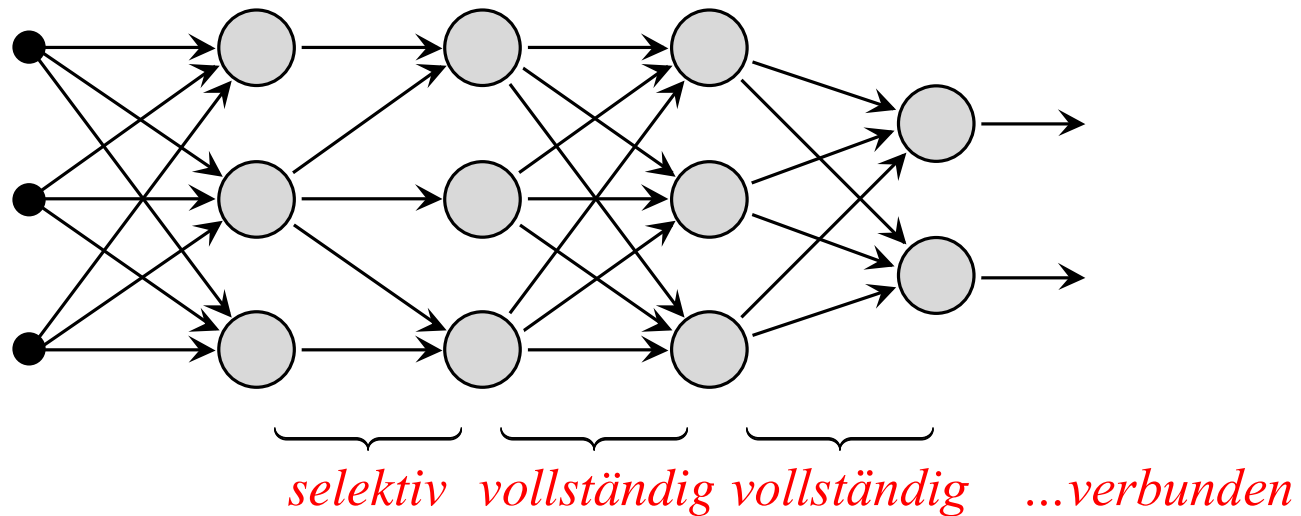
# Feedforward vs. Rekurrente ANNs



- ANNs, die nur Vorwärts-Verbindungen haben (zwischen dem aktuellen Layer und dem jeweiligen Nachfolge-Layer, bei möglichem Überspringen von Layers) nennt man *Feedforward-NN*.
- ANNs mit rückwärtsgerichteten Kanten auf den gleichen oder vorige Layers werden *Rekurrente NNs* genannt.  
Sie ermöglichen eine Art Gedächtnis (häufig mit Zeitverzögerung)



# Vollständig verbundene Layers



Layers können vollständig oder selektiv verbunden sein:

- Bei vollständiger Verbindung ist jedes Neuron eines Layers mit jedem Neuron des Nachfolgelayers verbunden.
- Das erlernte Gewicht kann aber 0 sein (wie „keine Verbindung“).
- Welche Verbindungsart man wählt, hängt von der Aufgabe ab, die der Layer zu erledigen hat:

z.B. Konvolutionale NNs aus der Bildverarbeitung:

- Mustererkennung auf lokaler Ebene (benachbarte Pixel)



# Netz-Topologie

---

Alle Fragen der Netz-Topologie, wie z.B.

- Wie viele Hidden Layers?
- Wie viele Neuronen auf jedem Layer?
- Feedforward oder Rekurrent? Vollständig verbunden?
- Welche Übertragungs-/Aktivierungsfunktionen?

...usw. usw.

werden nicht automatisch gelernt, sondern vom Designer einer ANN-Anwendung festgelegt (Best Practices, Trial-and-Error).

➔ High-Level Interfaces wie z.B. Keras unterstützen das Design.

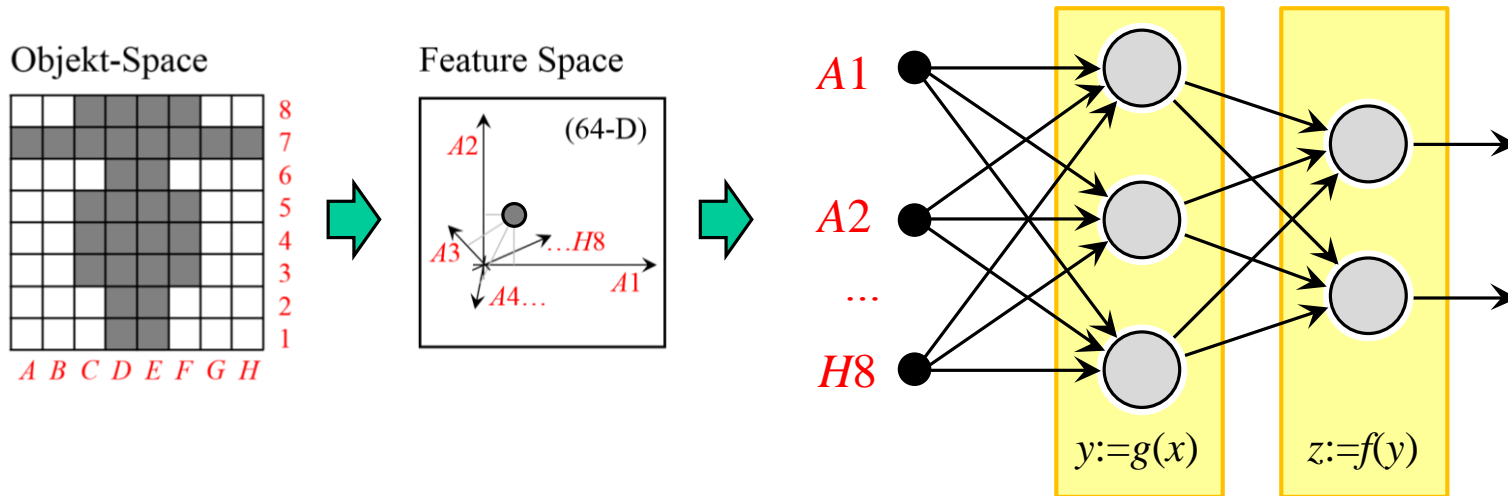
Automatisch gelernt werden bei ANNs die Funktions-Parameter ( $w_{ij}$ ).

Bei natürlichen neuronalen Netzen ist dies ebenfalls Ergebnis von Lernprozessen (Evolution und Selbstorganisation).

# Klassifikation mit einem ANN

Wir nehmen an, das ANN wäre bereits trainiert (siehe nächste Folie)

➔ Wie bestimmt man das Klassenlabel eines neuen Objekts?

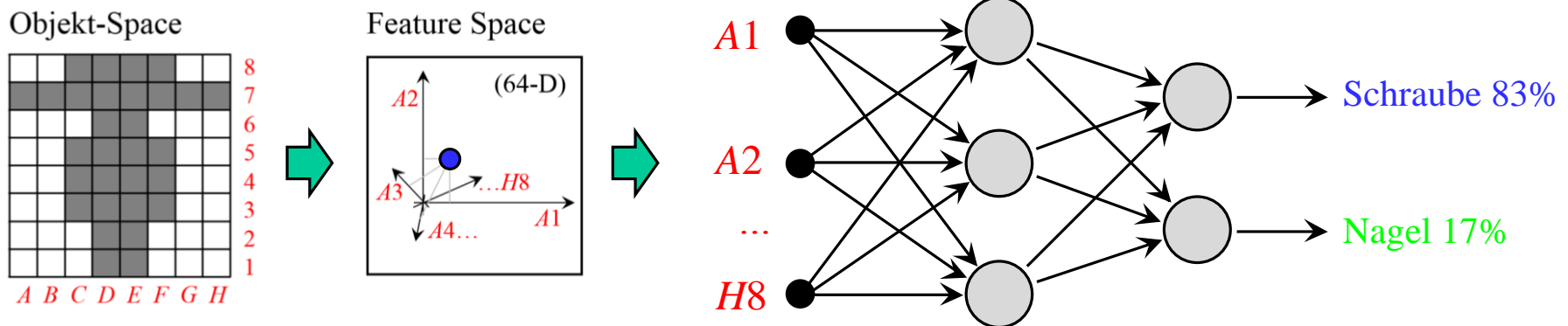


- Wir nehmen unser zu klassifizierendes Objekt.
- Wir wenden darauf die Feature-Transformation an.
- Wir wenden Layer für Layer die Funktionen der künstlichen Neuronen an (*Vorwärtspropagierung*).

# Klassifikation mit einem ANN

Wir nehmen an, das ANN wäre bereits trainiert (siehe nächste Folie)

➔ Wie bestimmt man das Klassenlabel eines neuen Objekts?



- Wir nehmen unser zu klassifizierendes Objekt.
- Wir wenden darauf die Feature-Transformation an.
- Wir wenden Layer für Layer die Funktionen der künstlichen Neuronen an (*Vorwärtspropagierung*).
- Das Endergebnis ist das gesuchte Klassenlabel.

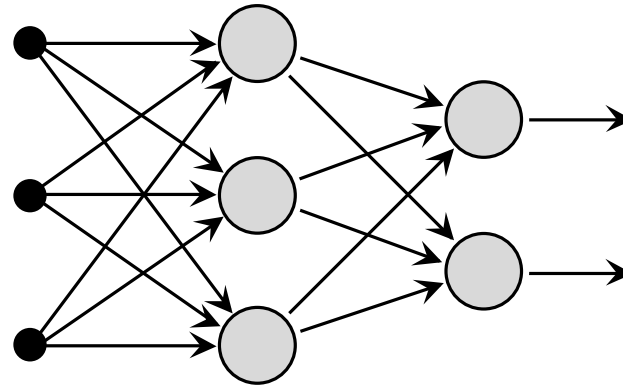
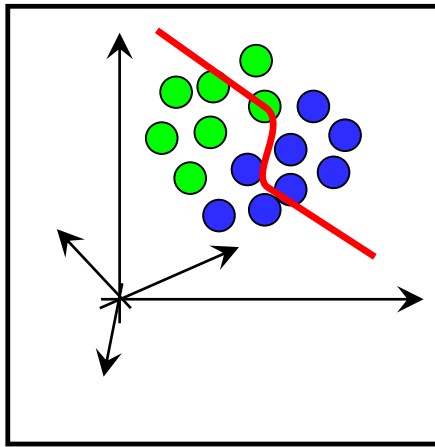
# ANN-Training durch Backpropagation

---

Ziel ist die optimale Bestimmung der Funktionsparameter (z.B.  $w_{ij}$ ) für die Trainingsmenge.

Wir starten z.B. mit einer Zufalls-Initialisierung der  $w_{ij}$ .

- Schritt 1: Vorwärtspropagierung eines Objekts.

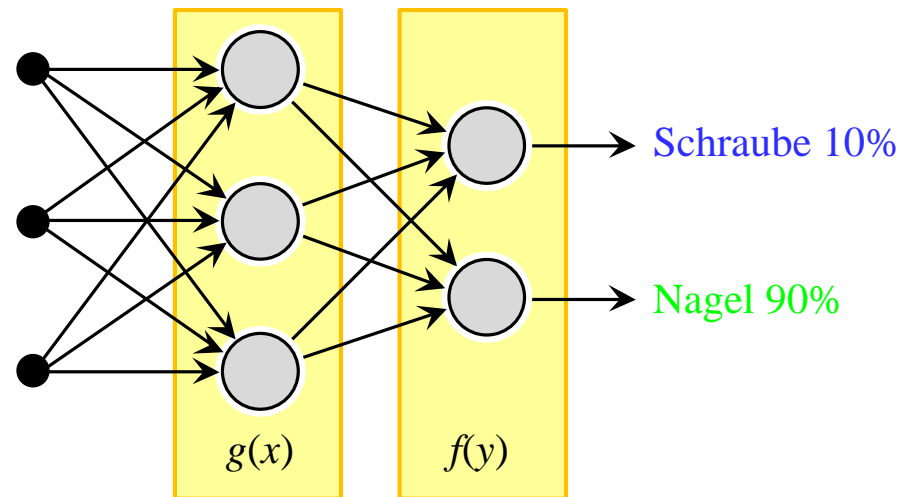
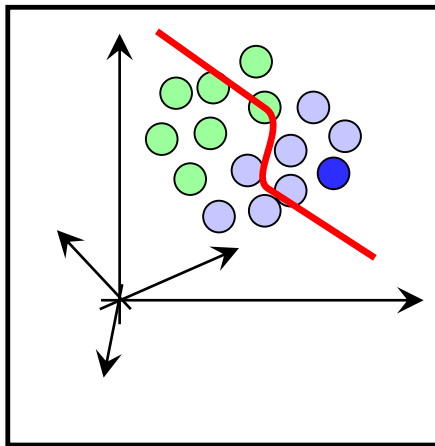


# ANN-Training durch Backpropagation

Ziel ist die optimale Bestimmung der Funktionsparameter (z.B.  $w_{ij}$ ) für die Trainingsmenge.

Wir starten z.B. mit einer Zufalls-Initialisierung der  $w_{ij}$ .

- Schritt 1: Vorwärtspropagierung eines Objekts.

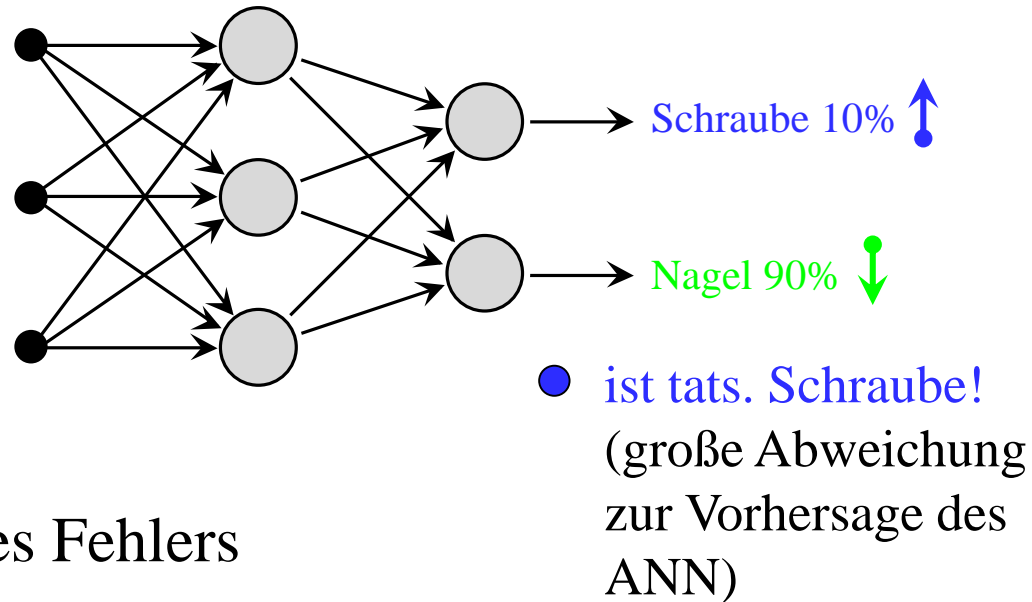
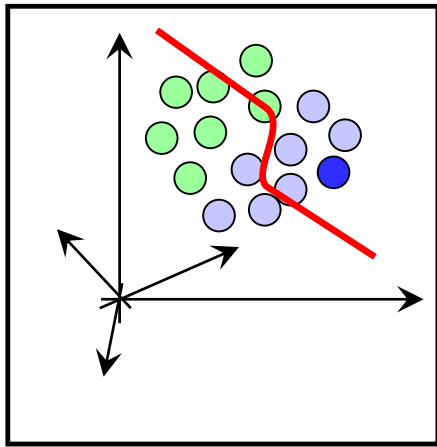


# ANN-Training durch Backpropagation

Ziel ist die optimale Bestimmung der Funktionsparameter (z.B.  $w_{ij}$ ) für die Trainingsmenge.

Wir starten z.B. mit einer Zufalls-Initialisierung der  $w_{ij}$ .

- Schritt 1: Vorwärtspropagierung eines Objekts.



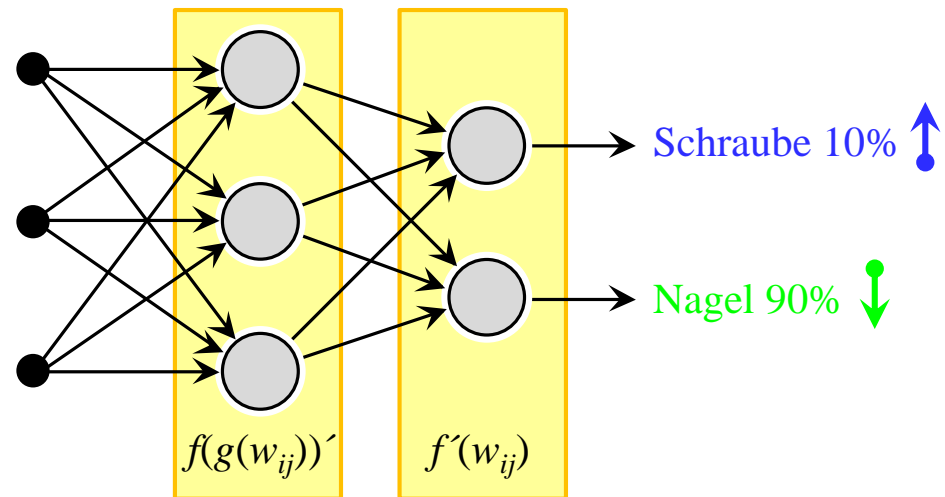
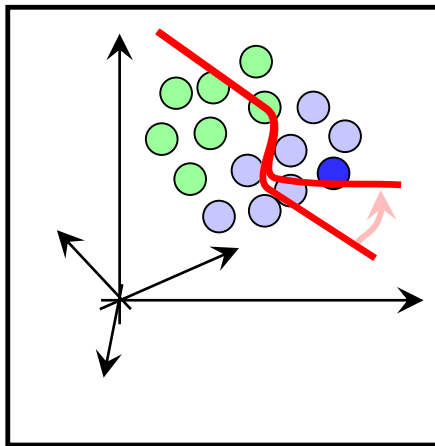
- Schritt 2: Bestimmung des Fehlers

# ANN-Training durch Backpropagation

Ziel ist die optimale Bestimmung der Funktionsparameter (z.B.  $w_{ij}$ ) für die Trainingsmenge.

Wir starten z.B. mit einer Zufalls-Initialisierung der  $w_{ij}$ .

- Schritt 1: Vorwärtspropagierung eines Objekts.

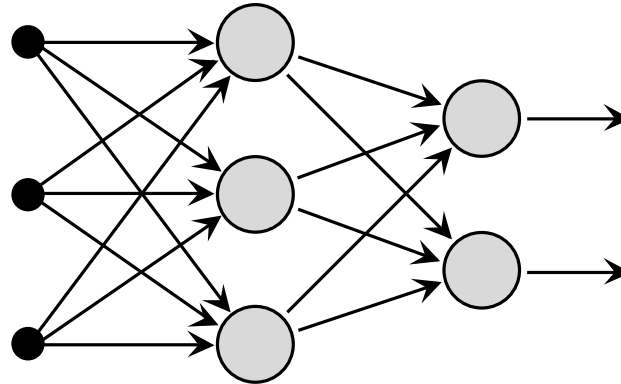
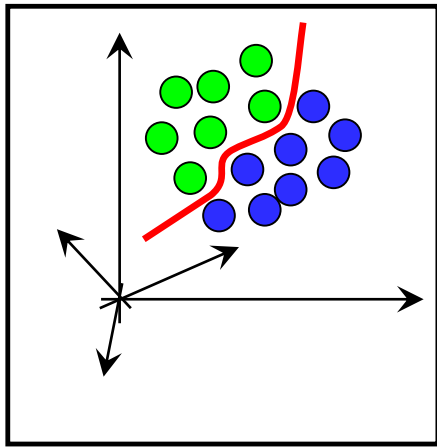


- Schritt 2: Bestimmung des Fehlers
- Schritt 3: Entgegen der Richtung der Vorwärtspropagierung: Anpassen der  $w_{ij}$ , so dass Fehler kleiner wird.

# ANN-Training durch Backpropagation

---

Ziel ist die optimale Bestimmung der Funktionsparameter (z.B.  $w_{ij}$ ) für die Trainingsmenge.



Die Schritte 1-3 werden so lange für alle Objekte wiederholt, bis sich der Fehler nicht mehr verbessert (*Konvergenz*).



# Anwendung der Kettenregel

---

Bei der Rückpropagierung des Fehlers treten vielfach verschachtelte mathematische Funktionen auf. Zur Ableitung Kettenregel:

$$f(g(w_{ij}))' = f'(g(w_{ij})) \cdot g'(w_{ij}), \quad \text{wobei } g'(w_{ij}) := \frac{\partial}{\partial w_{ij}} g(w_{ij})$$

In Wirklichkeit wesentlich mehr verschachtelte Funktionen:

- Jeder Layer definiert eine eigene Funktion  $f$ ,  $g$  usw.
- Jede zusammengesetzt aus Übertragungs- und Aktivierungsfunkt.
- Am Ende (d.h. ganz außen) steht immer die Fehlerfunktion.

$w_{ij}$  ist ein Vektor  $\rightarrow$  Gradient statt eindimensionale Ableitung.

*Stochastic Gradient Descent:*

Gehe immer ein kleines Stück in Richtung der Fehler-Verringerung:

$$w_{ij} := \eta - \frac{\partial}{\partial w_{ij}} \text{error}(f(g(w_{ij}))); \quad (\eta: \text{Lernrate}).$$

- Tiefe Neuronale Netze (mit vielen Layers) haben zahlreiche Wettbewerbe gewonnen, z.B. zur Handschrifterkennung, Bildererkennung usw.
- Es gibt auch Nachteile:
  - Große Anzahl von Trainingsdaten ist nötig.
  - ANNs neigen zur Überanpassung (auswendig lernen der Trainingsdaten).
- Aktuelles Projekt: DermaScreen
  - Studentische Existenzgründung (Dominik Seliger, Christian Ludwigs, Simon Schäfer).
  - Hautveränderungen (Muttermale, Leberflecke) mit Handy fotografiert.
  - Neuronales Netz (Server) klassifiziert auf malignes Melanom u.a.
  - ANNs haben in einer Studie Erkennungsraten vergleichbar mit Dermatologen (Nature Vol 542, Februar 2017).
  - EXIST-Stipendium für die Existenzgründung beantragt.