Programmierzertifikat Objekt-Orientierte Programmierung mit Java Vorlesung 04: Imperative Methoden

Peter Thiemann

Universität Freiburg, Germany

SS 2008

Inhalt

Imperative Methoden

Zirkuläre Datenstrukturen

Zuweisungen und Zustand

Vergleichen von Objekten

Iteration

Veränderliche rekursive Datenstrukturen

Imperative Methoden

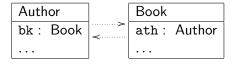
Zirkuläre Datenstrukturen

Verwalte die Informationen über Bücher für eine Buchhandlung. Ein Buchtitel wird beschrieben durch den Titel, den Preis, die vorrätige Menge und den Autor. Ein Autor wird beschrieben durch Vor- und Nachname, das Geburtsjahr und sein Buch.

- (stark vereinfacht)
- ▶ Neue Situation:
 - Autor und Buch sind zwei unterschiedliche Konzepte.
 - Der Autor enthält sein Buch.
 - Das Buch enthält seinen Autor.



Klassendiagramm: Autor und Buch



▶ Frage: Wie werden Objekte von Author und Buch erzeugt?

Autoren und Bücher erzeugen

Autor zuoberst

```
new Author ("Donald", "Knuth", 1938,
new Book ("The Art of Computer Programming", 100, 2,
?????))
```

Bei ???? müsste der selbe Autor wieder eingesetzt sein. . .

Autoren und Bücher erzeugen

Autor zuoberst

```
new Author ("Donald", "Knuth", 1938,

new Book ("The Art of Computer Programming", 100, 2,

?????))
```

Bei ???? müsste der selbe Autor wieder eingesetzt sein...

Buch zuoberst

```
new Book ("The Art of Computer Programming", 100, 2, new Author ("Donald", "Knuth", 1938, ????))
```

Bei ???? müsste das selbe Buch wieder eingesetzt sein...

Der Wert null

- ▶ Lösung: Verwende null als Startwert für das Buch des Autors und überschreibe das Feld im Buch-Konstruktor.
- ▶ null ist ein vordefinierter Wert, der zu allen Klassen- und Interfacetypen passt. D.h., jede Variable bzw. Feld von Klassen- oder Interfacetyp kann auch null sein.

6 / 99

Autoren und Bücher wirklich erzeugen

```
// book authors
class Author {
  String fst; // first name
  String lst; // last name
  int dob; // year of birth
  Book bk:
  Author (String fst, String lst, int dob) {
    this.fst = fst:
    this.lst = lst:
    this.dob = dob;
```

```
Books in a library
class Book {
    String title;
    int price;
    int quantity;
    Author ath:
    Book (String title, int price,
           int quantity, Author ath) {
         this.title = title:
         this.price = price:
         this.quantity = quantity;
         this.ath = ath:
         this.ath.bk = this:
```

Autoren und Bücher wirklich erzeugen

Verwendung der Konstruktoren

```
> Author auth = new Author("Donald", "Knuth", 1938);
> auth
Author(
  fst = "Donald".
  Ist = "Knuth".
  dob = 1938.
  bk = null
> Book book = new Book("TAOCP", 100,2, auth);
> auth
Author(
  fst = "Donald".
  lst = "Knuth",
  dob = 1938.
  bk = Book(
          title = "TAOCP".
          price = 100.
          quantity = 2,
          ath = Author)
```

JAVA

Verbesserung

Fremde Felder nicht schreiben!

- ► Eine Methode / Konstruktor sollte nicht direkt in die Felder von Objekten fremder Klassen hereinschreiben.
- ▶ Das könnte zu illegalen Komponentenwerten in diesen Objekten führen.
- ⇒ Objekte sollten Methoden zum Setzen von Feldern bereitstellen (soweit sinnvoll).
 - ► Konkret: Die Author-Klasse erhält eine Methode addBook(), die im Konstruktor von Book aufgerufen wird.

Verbesserter Code

```
// book authors
class Author {
 String fst; // first name
  String lst; // last name
  int dob; // year of birth
  Book bk = null:
  Author (String fst, String lst, int dob) {
    this.fst = fst;
    this.lst = lst:
    this.dob = dob;
 void addBook (Book bk) {
    this.bk = bk;
    return:
```

```
Books in a library
class Book {
    String title;
    int price:
    int quantity;
    Author ath:
    Book (String title, int price,
           int quantity, Author ath) {
         this.title = title:
         this.price = price;
         this.guantity = quantity;
         this.ath = ath:
         this.ath.addBook(this);
```

Der Typ void

- ▶ Die addBook() Methode hat als Rückgabetyp void.
- void als Rückgabetyp bedeutet, dass die Methode kein greifbares Ergebnis liefert und nur für ihren Effekt aufgerufen wird.
- ▶ Im Rumpf von addBook() steht eine Folge von Anweisungen. Sie werden der Reihe nach ausgeführt.
- ▶ Die letzte Anweisung return (ohne Argument) beendet die Ausführung der Methode.

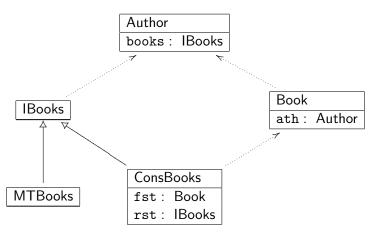
Verbesserung von addBook()

Fehlererkennung

```
void addBook (Book bk) {
   if (this.bk == null) {
     this.bk = bk;
     return;
   } else {
     Util.error("adding a second book");
   }
}
```

Ein Autor kann viele Bücher schreiben

- ▶ Ein Autor ist nun mit einer Liste von Büchern assoziiert.
- Listen von Büchern werden auf die bekannte Art und Weise repräsentiert.



Code für Autoren mit mehreren Büchern

```
// book authors
class Author {
  String fst; // first name
  String lst; // last name
  int dob; // year of birth
  IBooks\ books = new\ MTBooks();
  Author (String fst, String lst, int dob) {
    this.fst = fst:
    this.lst = lst;
    this.dob = dob:
  void addBook (Book bk) {
    this.books =
      new ConsBooks (bk, this.books);
    return:
```

```
// Listen von Büchern interface | Books { }
```

```
class MTBooks implements IBooks {
    MTBooks () {}
}
```

```
class ConsBooks implements IBooks {
    Book fst;
    IBooks rst;

ConsBooks (Book fst, IBooks rst) {
        this.fst = fst;
        this.rst = rst;
    }
}
```

Zusammenfassung

Entwurf von Klassen mit zirkulären Objekten

- 1. Bei der Datenanalyse stellt sich heraus, dass (mindestens) zwei Objekte wechselseitig ineinander enthalten sein sollten.
- 2. Bei der Erstellung des Klassendiagramms gibt es einen Zyklus bei den Enthaltenseins-Pfeilen. Dieser Zyklus muss nicht offensichtlich sein, z.B. kann ein Generalisierungspfeil rückwärts durchlaufen werden.
- 3. Die Übersetzung in Klassendefinitionen funktioniert mechanisch.
- 4. Wenn zirkuläre Abhängigkeiten vorhanden sind:
 - Können tatsächlich zirkuläre Beispiele erzeugt werden?
 - ▶ Welche Klasse *C* ist als Startklasse sinnvoll und über welches Feld fz von *C* läuft die Zirkularität?
 - ▶ Initialisiere das fz Feld mit einem Objekt, das keine Werte vom Typ *C* enthält (notfalls müssen Felder des Objekts mit null besetzt werden).
 - ▶ Definiere eine add() Methode, die fz passend abändert.
 - ▶ Ändere die Konstruktoren, so dass sie add() aufrufen.
- 5. Codiere die zirkulären Beispiele.



Die Wahrheit über Konstruktoren

- ▶ Die **new**-Operation erzeugt neue Objekte.
- ➤ Zunächst sind alle Felder mit 0 (Typ int), false (Typ boolean), 0.0 (Typ double) oder null (Klassen- oder Interfacetyp) vorbesetzt.
- Der Konstruktor weist den Feldern Werte zu und kann weitere Operationen ausführen.
- ▶ Die Initialisierung kann merkwürdige Effekte haben, da manche Feldinitialisierungen ablaufen, **bevor** der Konstruktor ausgeführt wird.

Merkwürdige Initialisierung

```
class StrangeExample {
   int x;
   StrangeExample () { this.x = 100; }
   boolean test = check this.x expect 100;
}
```

Was sind die Werte von this.x und this.test nach Konstruktion des Objekts?

Merkwürdige Initialisierung

```
class StrangeExample {
    int x;
    StrangeExample () { this.x = 100; }
    boolean test = check this.\times expect 100;
```

- Was sind die Werte von this.x und this.test nach Konstruktion des Objekts?
- \triangleright this.x = 100 this.test = false

Merkwürdige Initialisierung

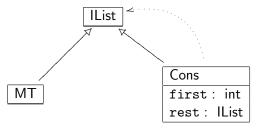
```
class StrangeExample {
    int x:
    StrangeExample () { this.x = 100; }
    boolean test = check this.x expect 100;
```

- Was sind die Werte von this.x und this.test nach Konstruktion des Objekts?
- \triangleright this.x = 100 this.test = false
- Ablauf.
 - Erst werden alle Felder vorbesetzt.
 - Dann laufen alle Feldinitialisierungen ab.
 - Zuletzt wird der Rumpf des Konstruktors ausgeführt.



Zyklische Listen

▶ Jeder Listendatentyp enthält zyklische Referenzen im Klassendiagramm.



▶ Also müssen auch damit zyklische Strukturen erstellbar sein!

Zyklische Listen erstellen

```
class CyclicList {
  Cons alist = new Cons (1, new MT ());
  Example () {
    this.alist.rest = this.alist:
```

Aufgabe: Erstelle eine Methode length() für IList, die die Anzahl der Elemente einer Liste bestimmt. Was liefert

```
new Example ().alist.length()
```

als Ergebnis? Warum?

Vermeiden von unerwünschter Zirkulärität

Durch Geheimhaltung

```
class Cons implements IList {
    private int first;
    private IList rest;

public Cons (int first, IList rest) {
    this.first = first;
    this.rest = rest;
  }
}
```

Mit dieser Definition ist es unmöglich, das rest-Feld zu überschreiben.

Viele Autoren und viele Bücher

Verwalte die Informationen über Bücher für eine Buchhandlung. Ein Buchtitel wird beschrieben durch den Titel, den Preis, die vorrätige Menge und die Autoren. Ein Autor wird beschrieben durch Vor- und Nachname, das Geburtsjahr und seine Bücher.

Beteiligte Klassen

- Listen von Büchern: IBooks, MTBooks, ConsBooks
- Listen von Autoren: IAuthors, MTAuthors, ConsAuthors

	Book		Author
•	authors: IAuthors	,	books: IBooks
	• • •		

Code für viele Autoren und viele Bücher

```
// book authors
class Author {
 String fst; // first name
  String lst; // last name
  int dob; // year of birth
  IBooks\ books = new\ MTBooks();
  Author (String fst, String lst, int dob) {
    this.fst = fst:
    this.lst = lst;
    this.dob = dob:
  void addBook (Book bk) {
    this.books =
      new ConsBooks (bk, this.books);
    return:
```

```
Books in a library
class Book {
  String title;
  int price;
  int quantity;
  IAuthors authors:
  Book (String title, int price,
         int quantity, IAuthors authors) {
    this.title = title:
    this.price = price;
    this.guantity = quantity;
    this.authors = authors;
    this.authors.????(this);
```

Hilfsmethode für Konstruktor

- ▶ Interessant: Implementierung des Book Konstruktors erfordert den Entwurf einer nichttrivialen Methode für IAuthors!
- ▶ Gesucht: Methode zum Hinzufügen des neuen Buchs zu allen Autoren.
- Methodensignatur im Interface IAuthors

```
// Autorenliste
interface | Authors {
    // füge das Buch zu alle Autoren auf dieser Liste hinzu
    void addBookToAll(Book bk);
}
```

- ⇒ Die Methode liefert kein Ergebnis.
- ► Einbindung in den Konstruktor von Book durch

```
this.authors.addBookToAll(this);
```



Implementierung der Hilfsmethode

```
class MTAuthors
  implements | Authors {
   MTAuthors () {}

  void addBookToAll (Book bk) {
   return;
  }
}
```

```
class ConsAuthors
  implements | Authors {
  Author first:
  IAuthors rest;
  ConsAuthors (Author first, IAuthors rest) {
    this.first = first:
    this.rest = rest:
 void addBookToAll (Book bk) {
    this.first.addBook (bk);
    this.rest.addBookToAll (bk);
    return;
```

Zuweisungen und Zustand

Zuweisungen und Zustand

- ▶ In Java steht der (Infix-) Operator = **immer** für eine *Zuweisung* (an ein Feld oder eine Variable).
- Eine Methode mit Ergebnistyp void liefert kein Ergebnis, sondern erzielt nur einen Effekt.
- Die Anweisungsfolge

Anweisung1; Anweisung2;

bedeutet, dass zuerst *Anweisung1* ausgeführt wird und danach *Anweisung2*. Ein etwaiges Ergebnis wird dabei ignoriert.

▶ Die Werte in allen Instanzvariablen können sich ändern.

Beispiel: Bankkonto

Entwerfe eine Repräsentation für ein Bankkonto. Das Bankkonto soll drei typische Aufgaben erledigen: Geld einzahlen, Geld abheben und Kontostand abfragen. Jedes Bankkonto gehört einer Person.

Bankkonto

Funktionaler Ansatz

- Eine Account Klasse mit zwei Feldern, dem Kontostand und dem Kontoinhaber, ist erforderlich. Die anfängliche Einlage sollte größer als 0 sein.
- ▶ Die Klasse benötigt mindestens drei **public** Methoden
 - einzahlen: Account deposit (int a)
 - ▶ abheben: Account withdraw (int a)
 - Kontostand: String balance()

In allen Fällen muss a > 0 und der Abhebebetrag sollte kleiner gleich dem Kontostand sein.

Imperativer Ansatz

- Eine Account Klasse mit zwei Feldern, dem Kontostand und dem Kontoinhaber, ist erforderlich. Die anfängliche Einlage sollte größer als 0 sein.
- ▶ Die Klasse benötigt mindestens drei **public** Methoden
 - einzahlen: void deposit (int a)
 - ▶ abheben: void withdraw (int a)
 - Kontostand: String balance()

In allen Fällen muss a > 0 und der Abhebebetrag sollte kleiner gleich dem Kontostand sein.

Implementierungen des Bankkontos im Vergleich

```
Bankkonto funktional
class Account {
  int amount:
  String holder;
 Account (int amount, String holder) {
   this.amount = amount:
   this.holder = holder:
 Account deposit (int a) {
   return new Account
        (this.amount + a, this.holder);
  Account withdraw (int a) {
    return new Account
        (this.amount - a, this.holder);
```

```
Bankkonto imperativ
class Account {
  int amount;
  String holder;
  Account (int amount, String holder) {
    this.amount = amount:
    this.holder = holder:
  void deposit (int a) {
    this.amount = this.amount + a:
    return;
  Account withdraw (int a) {
    this.amount = this.amount - a;
    return;
```

Implementierung der balance() Methode

▶ Die balance() Methode ist in beiden Implementierungen gleich.

```
String balance() {
    return this.holder.concat (": ".concat (String.valueOf (this.amount)));
    }
}
```

Beispiel: Animation mit dem idraw Paket

```
// animierte Welt mit Grafikausgabe
abstract class World {
  Canvas the Canvas = new Canvas();
 // öffne Zeichenfläche, starte die Uhr
 void bigBang(int w, int h, double s) {...}
 // ein Uhrticken verarbeiten
  abstract void onTick();
 // einen Tastendruck verarbeiten
  abstract void onKeyEvent (String ke);
 // zeichne die Welt
  abstract void draw ();
 // stoppe die Welt
  public World endOfWorld (String s) {...}
```

```
// Kontrollieren einer Zeichenfläche
class Canvas {
  int width; int height;
  // Anzeigen der Zeichenfläche
  void show();
  // Kreis zeichnen
  void drawCircle(Posn p, int r, IColor c);
  // Scheibe zeichnen
  void drawDisk(Posn p, int r, IColor c);
  // Rechteck zeichnen
  void drawRect(Posn p, int w, int h, IColor of
  // String zeichnen
  void drawString(Posn p, String s);
```

Aufgabe: Fallender Block

Bei der Animation "Fallender Block" erscheint am oberen Rand des Bildschirms auf Position (10,20) jeweils ein Block erscheint, der mit einem Pixel pro Sekunde bis auf den unteren Rand der Zeichenfläche fällt.

- ▶ Die Implementierung soll die animierte Welt World verwenden. Im Vorspann der Klassen (noch vor class) muss stehen:
 - import idraw.*;
 - import geometry.*;
 - import colors.*;
- ⇒ Es wird also eine Subklasse BlockWorld von World benötigt!
- ► Alle Methoden in BlockWorld werden durch die abstrakte Superklasse World erzwungen.

Entwurf der Welt der fallenden Blöcke

```
class BlockWorld extends World {
    private DrpBlock block; // modelliert den fallenden Block
    public BlockWorld () {...}
    // Zeichnen der Welt
    public void draw () {
        this.block.draw(this.theCanvas);
        return:
    // Änderung der Welt; Effekt: Ändert das Feld block
    public void onTick () {
        this.block.drop();
        return;
    public void onKeyEvent (String ke) {
        return; // nichts zu tun
```

Fallender Block, Imperative Version

```
class DrpBlock {
    private int x;
    private int y;
    private int SIZE = 10;
    public DrpBlock () {
        this.x = 10:
        this.y = 20;
    public void drop() {
        this.v = this.v + 1;
        return:
    public boolean isAt (int h) {
        return this.y >= h;
    public void draw (Canvas c);
```

Vergleichen von Objekten

Statischer Typ vs dynamischer Typ

- ▶ Der statische Typ (kurz: Typ) eines Ausdrucks ist der Typ, den Java für den Ausdruck aus dem Programmtext ausrechnet.
- ▶ Der dynamische Typ (Laufzeittyp) ist eine Eigenschaft eines Objekts. Es ist der Klassenname, mit dem das Objekt erzeugt worden ist.

Statischer Typ vs dynamischer Typ

- ▶ Der *statische Typ* (kurz: Typ) eines Ausdrucks ist der Typ, den Java für den Ausdruck aus dem Programmtext ausrechnet.
- ▶ Der *dynamische Typ* (*Laufzeittyp*) ist eine Eigenschaft eines Objekts. Es ist der Klassenname, mit dem das Objekt erzeugt worden ist.

Beispiele

Angenommen A extends B (Klassentypen).

```
A a = new A (); // rhs: Typ A, dynamischer Typ A
B b = new B (); // rhs: Typ B, dynamischer Typ B
B x = new A (); // rhs: Typ A, dynamischer Typ A
// für x gilt: Typ B, dynamischer Typ A
```

- ▶ Bei einem Interfacetyp ist der dynamische Typ **immer** ein Subtyp.
- ▶ Im Rumpf einer Methode definiert in der Klasse C hat this den statischen Typ C. Der dynamische Typ kann ein Subtyp von C sein, falls die Methode vererbt worden ist.

Regeln für die Bestimmung des statischen Typs

- ► Falls Variable (Feld, Parameter) x durch ttt x deklariert ist, so ist der Typ von x genau ttt.
- ▶ Der Ausdruck new C(...) hat den Typ C.
- Wenn e ein Ausdruck vom Typ C ist und C eine Klasse mit Feld f vom Typ ttt ist, dann hat e.f den Typ ttt.
- ▶ Wenn e ein Ausdruck vom Typ C ist und C eine Klasse oder Interface mit Methode m vom Rückgabetyp ttt ist, dann hat e.m(...) den Typ ttt.
- ▶ Beim Aufruf eines Konstruktors oder einer Funktion müssen die Typen der Argumente jeweils Subtypen der Parametertypen sein.
- ▶ Bei einer Zuweisung muss der Typ des Audrucks auf der rechten Seiten ein Subtyp des Typs der Variable (Feld) sein.



Vergleichen von Objekten

Beispiel: Daten

```
class DateComparison {
   Date d1 = new Date(27,3,1941);
   Date d2 = new Date(8,5,1945);
   Date d3 = new Date(8,5,1945);

  boolean testD1D2 = d1 == d2; // Operator == auf Objekten boolean testD2D3 = d2 == d3; boolean testD3D3 = d3 == d3; }
}
```

Vergleichen von Objekten

Beispiel: Daten

```
class DateComparison {
    Date d1 = new Date(27,3,1941);
    Date d2 = new Date(8,5,1945);
    Date d3 = new Date(8,5,1945);

    boolean testD1D2 = d1 == d2; // Operator == auf Objekten boolean testD2D3 = d2 == d3; boolean testD3D3 = d3 == d3;
}
```

Ergebnis

```
\begin{aligned} &\mathsf{DateComparison}(\\ &\mathsf{d1} = \mathsf{Date}(...), \; \mathsf{d2} = \mathsf{Date}(...), \; \mathsf{d3} = \mathsf{Date}(...),\\ &\mathsf{testD1D2} = \mathsf{false},\\ &\mathsf{testD2D3} = \mathsf{false},\\ &\mathsf{testD3D3} = \mathsf{true}) \end{aligned}
```

Verschiedene Gleichheitsoperationen

- ▶ Der Gleichheitsoperator == ist auch auf Objekte anwendbar, aber liefert nicht das erwartete(?) Ergebnis!
- ► Er testet, ob beide Argument *dasselbe* Objekt bezeichnen.
- Oft ist komponentenweise Gleichheit gewünscht (extensionale Gleichheit).
- ▶ Muss programmiert werden (oft als equals() Methode, vgl. String).

Gleichheit für einfache Klassen

- ► Einfache Klassen enthalten Felder von primitivem Typ.
- ► Ihre Werte können mit == verglichen werden (bzw. mit equals() für String).
- Beispiel: Vergleichsmethode boolean same(Date that) für die Date-Klasse.

Gleichheit für Mengen

Betrachte eine Klasse Set2, bei der jedes Objekt eine Menge von int mit genau zwei Elementen repräsentiert.

```
// Mengen von genau zwei Zahlen

class Set2 {
    private int one;
    private int two;

    public Set2 (int one, int two) { ... }

    // Elementtest
    public boolean contains (int x) {
        return (x == this.one) || (x == this.two);
    }
}
```

Gleichheit für Mengen

Implementierung

- Komponentenweise Gleichheit nicht angemessen.
- Zwei Mengen sind gleich, wenn sie sich gegenseitig enthalten

$$\{16,42\} = \{42,16\}$$

same() Methode in Set2:

```
// Gleichheitstest

public boolean same (Set2 that) {
    return (this.contains (that.one))
    && (this.contains (that.two))
    && (that.contains (this.one))
    && (that.contains (this.two));
}
```

```
class SpecialDate extends Date {
    private int rating;

    SpecialDate (int day, int month, int year, int rating) {
        super (day, month, year);
        this.rating = rating;
    }
}
```

- ▶ Spezielle Daten könnten mit einer Bewertung versehen sein.
- ▶ Die same() Methode aus der Klasse Date ist anwendbar, allerdings liefert sie nicht die erwarteten Ergebnisse.

```
class DateTest {
    SpecialDate s1 = new SpecialDate (12,8,2001,4000);
    SpecialDate s2 = new SpecialDate (12,8,2001,5000);

boolean testss1 = s1.same (s1); // ==> true !!!
    boolean testss2 = s1.same (s2); // ==> true ???
}
```

same-Methode in der Subklasse

Eine spezialisierte Version der same () Methoden in der Subklasse ist erforderlich

```
boolean same (SpecialDate that) {
    return super.same (that) && (this.rating == that.rating);
```

Damit funktioniert das Beispiel

```
class DateTest { // mit same(SpecialDate) in Klasse SpecialDate
    SpecialDate s1 = new SpecialDate (12,8,2001,4000);
    SpecialDate s2 = new SpecialDate (12,8,2001,5000);
    boolean testss1 = s1.same (s1); // ==> true !!!
    boolean testss2 = s1.same (s2); // ==> false !!!
```

Weitere Probleme

- ► Andere Beispiele funktionieren nicht wie erwartet.
- same-Gleichheit ist nicht transitiv!

```
class DateTest { // mit same(SpecialDate) in Klasse SpecialDate
    SpecialDate s1 = new SpecialDate (12,8,2001,4000);
    SpecialDate s2 = new SpecialDate (12,8,2001,5000);
    Date d2 = new Date (12,8,2001);

    boolean testsd = s1.same (d2); // ==> true ???
    boolean testds = d2.same (s2); // ==> true ???
    boolean testss = s1.same (s2); // ==> false !!!
}
```

Weitere Probleme

- Andere Beispiele funktionieren nicht wie erwartet.
- same-Gleichheit ist nicht transitiv!

```
class DateTest { // mit same(SpecialDate) in Klasse SpecialDate
    SpecialDate s1 = new SpecialDate (12,8,2001,4000);
    SpecialDate s2 = new SpecialDate (12,8,2001,5000);
    Date d2 = new Date (12,8,2001);

boolean testsd = s1.same (d2); // ==> true ???
boolean testds = d2.same (s2); // ==> true ???
boolean testss = s1.same (s2); // ==> false !!!
}
```

Überraschung

- ▶ In den ersten beiden Fällen wird die Methode same der Klasse Date aufgerufen!
- ► Ursache: Überladung von Methoden.



Uberladung von Methoden

- ▶ Uberladung: in einer Klasse gibt es mehrere Methoden mit gleichem Namen, die sich nur in Anzahl oder Typ der Parameter unterscheiden.
- Die Auswahl der tatsächlich aufgerufenen Methode erfolgt durch Java aufgrund des ermittelten Argumenttyps.

Überladung von Methoden

- ▶ Uberladung: in einer Klasse gibt es mehrere Methoden mit gleichem Namen, die sich nur in Anzahl oder Typ der Parameter unterscheiden.
- ▶ Die Auswahl der tatsächlich aufgerufenen Methode erfolgt durch Java aufgrund des ermittelten Argumenttyps.

Beispiel

- ► In der Klasse SpecialDate gibt es zwei Methoden mit Namen same, die sich nur im Parametertyp unterscheiden:
 - 1. boolean same (Date that) (geerbt von Date)
 - 2. boolean same (SpecialDate that) (selbst definiert)
- ▶ In testsd wird #1, die geerbte Methode, aufgerufen, da d2 den Typ Date hat.
- ▶ In testds wird auch #1 aufgerufen, da das Empfängerobjekt den Typ Date hat.



Transitive Gleichheit

- Zufriedenstellende Implementierung benötigt zwei Methoden!
- ► Schwierigkeit: Feststellen, ob das Argumentobjekt den gleichen *dynamischen Typ* wie das Empfängerobjekt hat.
- ▶ Die Methode same (Date that) muss in Date definiert sein und in allen Subklassen von Date überschrieben werden.
- ➤ Sie stellt lediglich fest, welchen *dynamischen Typ* das Empfängerobjekt zur Laufzeit hat.
- ▶ Dann testet sie mit dem instanceof-Operator, ob das Argumentobjekt zu einer Subklasse dieses dynamischen Typs gehört.
- ▶ Die Hilfsmethode reallysame (Date that) führt denselben Test in umgekehrter Richtung aus, wobei schon sichergestellt ist, dass das Argumentobjekt zu einer Superklasse des Empfängertyps gehört.
- ▶ Nun sind die dynamischen Typen gleich und die Felder können verglichen werden. Die Felder von that müssen zunächst durch einen *Typcast* sichtbar gemacht werden.



Transitive Gleichheit (Implementierung)

Basisfall

```
class Date {
  private int day:
  private int month;
  private int year;
  protected boolean reallysame (Date that) {
    return (this.day == that.day) &&
           (this.month == that.month) \&\&
           (this.year == that.year);
  public boolean same (Date that) {
    return that.reallysame (this);
```

Code für Subklassen

```
class SpecialDate extends Date {
  private int rating:
  SpecialDate (int day, int month, int year, int rating) {
    super (day, month, year);
    this.rating = rating;
     dynamic type of that is a supertype of type of this
  protected boolean reallysame (Date that) {
    return (that instanceof SpecialDate)
        && super.reallysame (that)
        && (this.rating == ((SpecialDate)that).rating);
  public boolean same (Date that) {
    return (that instanceof SpecialDate)
        && that.reallysame (this);
```

Der instanceof-Operator

Der boolesche Ausdruck

ausdruck instanceof objekttyp

testet ob der dynamische Typ des Werts von *ausdruck* ein Subtyp von *objekttyp* ist.

Angenommen A extends B (Klassentypen):

```
A a = new A();
B b = new B();
B c = new A(); // statischer Typ B, dynamischer Typ A

a instanceof A // ==> true
a instanceof B // ==> true
b instanceof A // ==> false
b instanceof B // ==> true
c instanceof A // ==> true (testet den dynamischen Typ)
c instanceof B // ==> true
```

Der Typcast-Operator

▶ Der Ausdruck (*Typcast*)

(objekttyp) ausdruck

hat den statischen Typ *objekttyp*, falls der statische Typ von *ausdruck* entweder ein Supertyp oder ein Subtyp von *objekttyp* ist.

- ➤ Zur Laufzeit testet der Typcast, ob der **dynamische Typ** des Werts von *ausdruck* ein Subtyp von *objekttyp* ist und bricht das Programm ab, falls das nicht zutrifft. (Vorher sicherstellen!)
- Angenommen A extends C und B extends C (Klassentypen), aber A und B stehen in keiner Beziehung zueinander:

```
A a = new A(); B b = new B(); C c = new C(); C d = new A();

(A)a // statisch ok, dynamisch ok
(B)a // Typfehler
(C)a // statisch ok, dynamisch ok
(B)d // statisch ok, dynamischer Fehler
(A)d // statisch ok, dynamisch ok
```

Gleichheit für zusammengesetzte Objekte Beispiel

```
Rectangle

ulCorner: CartPt
width: int
height: int

CartPt
x: int
y: int
```

```
boolean same (Rectangle that) {
    return (this.x == that.x) && (this.y == that.y)
    && (this.ulCorner.same (that.ulCorner));
}
```

▶ Rufe die Gleichheit auf den untergeordneten Objekten auf.

Gleichheit für Vereinigungen von Klassen

- Definiere die same() Methode im Interface.
- Verwende die Vorgehensweise für Vererbung.
- ▶ Für abstrakte Klassen reicht es, die Methoden same und reallysame abstrakt zu belassen (da niemals Objekte existieren können, die diesen Klassentyp als Laufzeittyp besitzen).

Alternative Lösung

Ohne Verwendung von instanceof und Typcast

Am Beispiel von IShape:

- Voraussetzung: alle Varianten sind bekannt.
- ▶ Erweitere das Interface um Methoden, die die jeweilige Variante erkennen und ggf. ein IShape Objekt in ein Objekt vom spezifischen Typ umwandeln. Die Methoden liefern null, falls die Umwandlung nicht möglich ist.

```
interface IShape {
   Dot toDot();
   Square toSquare();
   Circle toCircle();

  boolean same (IShape that);
}
```

Alternative Lösung

Die abstrakte Klasse

```
abstract class AShape implements IShape {
   Dot toDot () { return null; }
   Square toSquare () { return null; }
   Circle toCircle () { return null; }

   abstract boolean same (IShape that);
}
```

Alternative Lösung

Implementierung für Dot

Intensionale Gleichheit

- ▶ Extensionale Gleichheit testet ob zwei Objekte gleich sind und sich gleich verhalten.
- Diese Aufgabe hat in Java die equals Methode.
- ▶ Intensionale Gleichheit testet ob ihre Argumente dasselbe Objekt bezeichnen, in dem Sinn, dass eine Änderung am einen Argument immer die selbe Anderung am anderen Argument bewirkt.
- ▶ Diese Aufgabe hat in Java der == Operator. (Er testet die Gleichheit von Referenzen.)
- In Java vordefiniert:

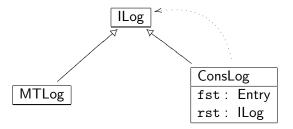
```
class Object {
  public boolean equals (Object other) {
    return this == other;
```

▶ Jede Klasse ist automatisch Subklasse von Object und erbt diese (meist so nicht gewünschte) Implementierung.

Iteration

Iteration

Erinnerung: das Lauftagebuch



- ▶ Ziel: Definiere Methoden auf ILog auf andere Art
- ▶ Betrachte Methoden totalDistance() und length().

Implementierung von totalDistance()

▶ in ILog

```
// berechne die Gesamtkilometerzahl
double totalDistance();
```

▶ in MTLog

```
double totalDistance() {
  return 0:
```

▶ in ConsLog

```
double totalDistance() {
  return this.fst.distance + this.rst.totalDistance();
```

Implementierung von length() ist sehr ähnlich

▶ in ILog

```
// berechne die Gesamtkilometerzahl
int length();
```

▶ in MTLog

```
int length() {
    return 0;
}
```

▶ in ConsLog

```
int length() {
   return 1 + this.rst.length();
}
```

Problem mit den Implementierungen

- Bei sehr langen Listen erfolgt ein "Stackoverflow", weil die maximal mögliche Schachtelungstiefe von rekursiven Aufrufen überschritten wird.
- ▶ Erster Schritt: Führe einen **Akkumulator** (extra Parameter, in dem das Ergebnis angesammelt wird) ein und mache die Methoden endrekursiv.

Alternative Implementierung von totalDistance()

Mit Akkumulator

▶ in ILog

```
// berechne die Gesamtkilometerzahl
double totalDistanceAcc(double acc);
```

▶ in MTLog

```
double totalDistanceAcc(double acc) {
  return acc;
```

in ConsLog

```
double totalDistanceAcc(double acc) {
  return this.rst.totalDistanceAcc (acc + this.fst.distance);
```

Aufruf

```
double myDistance = log.totalDistanceAcc (0);
```



Implementierung von lengthAcc() ist sehr ähnlich

▶ in ILog

```
// berechne die Gesamtkilometerzahl
int lengthAcc(int acc);
```

▶ in MTLog

```
int lengthAcc(int acc) {
  return acc;
}
```

▶ in ConsLog

```
\begin{array}{ll} \text{int lengthAcc(int acc) } \{ \\ & \textbf{return this}. \\ \text{rst.lengthAcc (acc} + 1); \\ \} \end{array}
```

Aufruf

```
int myLength = log.lengthAcc (0);
```

Gewonnen?

- ▶ Die endrekursiven Versionen der Methoden mit Akkumulator *könnten* in konstanten Platz implementiert werden.
- ▶ Aber Java (bzw. die Java Virtual Machine, JVM) tut das nicht.
- ▶ Abhilfe: Durchlaufe die Liste imperativ mit einer **while**-Schleife.

Die while-Anweisung

Allgemeine Form

```
while (bedingung) {
    anweisungen;
}
```

- bedingung ist ein boolescher Ausdruck.
- Bei der Ausführung der while-Anweisung wird zuerst die bedingung getestet.
- ▶ Ist sie false, so ist die Ausführung der while-Anweisung beendet. Ist sie true, so werden die anweisungen ausgeführt und danach wieder die bedingung getestet.
- ▶ Der letzte Schritt wird solange wiederholt, bis die Ausführung der while-Anweisung beendet ist.



Interface für Listendurchlauf

Problem

Die Codefragmente für die **while**-Anweisung sind über die beiden Klassen MTLog und ConsLog verstreut.

Abhilfe

Definiere Interface für das Durchlaufen der ILog Liste, so dass die Codefragmente an einer Stelle zusammenkommen.

```
interface ILog {
    ...
    // teste ob diese Liste leer ist
    boolean isEmpty();
    // liefere das erste Element, falls nicht leer
    Entry getFirst();
    // liefere den Rest der Liste, falls nicht leer
    ILog getRest();
    ...
}
```

Implementierung des Interface für Listendurchlauf

▶ in MTLog

```
boolean isEmpty () { return true; }
Entry getFirst () { return null; }
ILog getRest () { return null; }
```

▶ in ConsLog

```
boolean isEmpty () { return false; }
Entry getFirst () { return this.fst; }
ILog getRest () { return this.rst; }
```

Verwendung des Interface für Listendurchlauf

▶ In (neuer) Superklasse ALog von MTLog und ConsLog

```
int length () {
  return lengthAux (0, this);
```

In beliebiger Hilfsklasse (z.B. in ALog)

```
int lengthAux (int acc, ILog list) {
  if (list.isEmpty()) {
    return acc:
  } else {
    return lengthAux (acc + 1, list.getRest());
```

Verwendung des Interface für Listendurchlauf

▶ In (neuer) Superklasse ALog von MTLog und ConsLog

```
int length () {
    return lengthAux (0, this);
}
```

▶ In beliebiger Hilfsklasse (z.B. in ALog)

```
int lengthAux (int acc, ILog list) {
    if (list.isEmpty()) {
        return acc;
    } else {
        return lengthAux (acc + 1, list.getRest());
    }
}
```

- ▶ Diese Methode kann sofort in eine **while**-Anweisung umgesetzt werden!
 - Aus den Parametern werden lokale Variablen.
 - Aus dem rekursiven Aufruf werden Zuweisungen auf diese Variablen.

Imperative Version von lengthAux

```
int lengthAux (int acc0, ILog list0) {
  int acc = acc0:
  ILog list = list0;
  while (!list.isEmpty()) {
    acc = acc + 1:
    list = list.getRest();
  return acc:
```

Aufruf aus ALog

```
int length () {
  return lengthAux (0, this);
```

Mit Hilfe von *Inlining* kann der Aufruf von lengthAux eliminiert werden. (D.h., ersetze den Aufruf durch seine Definition.)

Alles in der length Methode

```
int length () {
   int acc = 0;
   ILog list = this;
   while (!list.isEmpty()) {
      acc = acc + 1;
      list = list.getRest();
   }
   return acc;
}
```

- Läuft in konstantem Platz.
- Verarbeitet beliebig lange Listen.

Implementierung von totalDistance mit Durchlaufinterface

- nach dem gleichen Schema wie length!
 - ► In Superklasse ALog von MTLog und ConsLog

```
double totalDistance () {
  return totalDistanceAux (0, this);
```

▶ In beliebiger Hilfsklasse (z.B. in ALog)

```
double totalDistanceAux (double acc, ILog list) {
  if (list.isEmpty()) {
    return acc:
  } else {
    Entry e = list.getFirst(); // Zugriff aufs Listenelement
    return totalDistanceAux (acc + e.distance, list.getRest());
```

Imperative Implementierung von totalDistanceAux

```
double totalDistanceAux (double acc0, ILog list0) {
  double acc = acc0;
  ILog list = list0;
  while (!list.isEmpty()) {
    Entry e = list.getFirst(); // Zugriff aufs Listenelement
    acc = acc + e.distance;
    list = list.getRest();
  }
  return acc;
}
```

▶ Wende inlining an...

Imperative Implementierung von totalDistance

```
double totalDistance () {
  double acc = 0:
  ILog list = this;
  while (!list.isEmpty()) {
    Entry e = list.getFirst(); // Zugriff aufs Listenelement
    acc = acc + e.distance:
    list = list.getRest();
  return acc:
```

Veränderliche rekursive Datenstrukturen

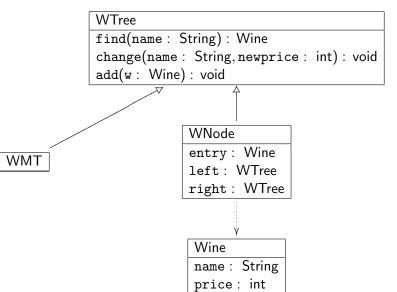
Veränderliche rekursive Datenstrukturen

Finite Map

Ein Weingroßhändler will seine Preisliste verwalten. Er wünscht folgende Operationen

- zu einem Wein den Preis ablegen,
- einen Preiseintrag ändern,
- den Preis eines Weins abfragen.
- ▶ Abstrakt gesehen ist die Preisliste eine **endliche Abbildung** von Wein (repräsentiert durch einen String) auf Preise (repräsentiert durch ein int). (*finite map*)
- ▶ Da in der Preisliste einige tausend Einträge zu erwarten sind, sollte sie als Suchbaum organisiert sein.

Datenmodellierung Weinpreisliste



Erinnerung Suchbaum

- ► Ein Suchbaum ist entweder leer (WMT) oder besteht aus einem Knoten (WNode), der ein Wine-Objekt entry, sowie zwei Suchbäume left und right enthält.
- Invariante:
 - Alle Namen von Weinen in left sind kleiner als der von entry.
 - Alle Namen von Weinen in right sind größer als der von entry.

Die find-Methode

▶ in WMT

```
Wine find (String name) {
  return null:
```

▶ in WNode

```
Wine find (String name) {
  int r = this.entry.compareName (name);
  if (r == 0) {
    return this.entry;
  } else {
    if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
      return this.left.find (name);
    } else {
      return this.right.find (name);
```

Die Wunschliste für Wine

int compareName (String name) liefert 0, falls die Namen übereinstimmen, > 0, falls der gesuchte Name kleiner ist und < 0 sonst.

```
int compareName (String name) {
  return this.name.compareTo (name); // library method
}
```

Die Wunschliste für Wine

int compareName (String name) liefert 0, falls die Namen übereinstimmen, > 0, falls der gesuchte Name kleiner ist und < 0 sonst.

```
int compareName (String name) {
    return this.name.compareTo (name); // library method
}
```

Aus der java.lang.String Dokumentation

public int compareTo(String anotherString)

Compares two strings lexicographically. The comparison is based on the Unicode value of each character in the strings. The character sequence represented by this String object is compared lexicographically to the character sequence represented by the argument string. The result is a negative integer if this String object lexicographically precedes the argument string. The result is a positive integer if this String object lexicographically follows the argument string. The result is zero if the strings are equal; compareTo returns 0 exactly when the equals(Object) method would return true.

Beobachtung

- ▶ Die find-Methode ist bereits endrekursiv und (nichts) akkumulierend.
- ⇒ Sie kann in eine **while**-Anweisung umgewandelt werden.
 - ▶ Voraussetzung: passendes Durchlauf-Interface auf WTree

Beobachtung

- ▶ Die find-Methode ist bereits endrekursiv und (nichts) akkumulierend.
- ⇒ Sie kann in eine **while**-Anweisung umgewandelt werden.
 - ▶ Voraussetzung: passendes Durchlauf-Interface auf WTree

Durchlaufen von WTree

```
interface WTree {
    ...
    boolean isEmpty ();
    Wine getEntry ();
    WTree getLeft ();
    WTree getRight ();
}
```

Implementierung in den Klassen

```
class WMT implements WTree {
...
boolean isEmpty () { return true; }
Wine getEntry () { return null; }
WTree getLeft () { return null; }
WTree getRight () { return null; }
}
```

```
class WNode implements WTree {
...
boolean isEmpty () { return false; }
Wine getEntry () { return this.entry; }
WTree getLeft () { return this.left; }
WTree getRight () { return this.right; }
}
```

Rekursive find-Methode mit Durchlauf-Interface

```
Wine findAux (String name, WTree wtree) {
  if (wtree.isEmpty ()) {
    return null:
  } else {
    int r = wtree.getEntry().compareName (name);
    if (r == 0) {
      return wtree.getEntry();
    } else {
      if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
        return this.find (name, wtree.getLeft());
      } else {
        return this.find (name, wtree.getRight());
```

Iterative findAux-Methode

```
Wine findAux (String name, WTree wtree0) {
 WTree wtree = wtree0:
 while (!wtree.isEmpty()) {
    int r = wtree.getEntry().compareName (name);
    if (r == 0) {
      return wtree.getEntry();
    } else {
      if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
        wtree = wtree.getLeft();
      } else {
        wtree = wtree.getRight();
  return null;
```

Iterative find-Methode

```
Wine find (String name) {
 WTree wtree = this:
 while (!wtree.isEmpty()) {
    int r = wtree.getEntry().compareName (name);
    if (r == 0) {
      return wtree.getEntry();
    } else {
      if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
        wtree = wtree.getLeft();
      } else {
        wtree = wtree.getRight();
  return null;
```

Die change-Methode

▶ in WMT

```
void change (String name, int np) {
  return;
}
```

in WNode

```
void change (String name, int np) {
  int r = this.entry.compareName (name);
  if (r == 0) {
    this.entry.price = np;
    return:
  } else {
    if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
      this.left.change (name, np); return;
    } else {
      this.right.change (name, np); return;
```

Beobachtung

- ▶ Auch change ist endrekursiv und akkumulierend.
- ⇒ **while**-Anweisung möglich.
 - Durchlauf-Interface ist bereits vorbereitet.
 - Weitere Schritt sind analog zu find:
 - rekursive changeAux-Methode unter Verwendung des Durchlauf-Interface
 - Umschreiben in iterative Methode
 - Inlining

Rekursive changeAux-Methode mit Durchlauf-Interface

```
void changeAux (String name, int np, WTree wtree) {
  if (wtree.isEmpty()) {
    return:
  } else {
    int r = wtree.getEntry().compareName (name);
    if (r == 0) {
      wtree.getEntry().price = np;
      return:
    } else {
      if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
        this.changeAux (name, np, wtree.getLeft()); return;
      } else {
        this.changeAux (name, np, wtree.getRight()); return;
```

Iterative changeAux-Methode

```
void changeAux (String name, int np, WTree wtree0) {
 WTree wtree = wtree0:
 while (!wtree.isEmpty()) {
    int r = wtree.getEntry().compareName (name);
    if (r == 0) {
      wtree.getEntry().price = np;
      return;
    } else {
      if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
        wtree = wtree.getLeft():
      } else {
        wtree = wtree.getRight();
  return:
```

Iterative change-Methode

```
void change (String name, int np) {
 WTree wtree = this:
 while (!wtree.isEmpty()) {
    int r = wtree.getEntry().compareName (name);
    if (r == 0) {
      wtree.getEntry().price = np;
      return;
    } else {
      if (r > 0) { // this wine's name is greater than the one we are looking for
        wtree = wtree.getLeft();
      } else {
        wtree = wtree.getRight();
  return:
```

Die add-Methode

- ▶ Die add-Methode hat Ergebnistyp void und muss den unterliegenden Suchbaum verändern.
- Das funktioniert mit dem aktuellen Design nicht richtig.

Die add-Methode

- ▶ Die add-Methode hat Ergebnistyp void und muss den unterliegenden Suchbaum verändern.
- ▶ Das funktioniert mit dem aktuellen Design nicht richtig.
- Hier ein Versuch: in WMT

```
void add (Wine w) {
    ...;
}
```

An dieser Stelle steht der Methode nichts zur Verfügung: sie kann nichts bewirken. Also muss der Test, ob ein leerer Suchbaum besucht wird, schon vor Eintritt in den Baum geschehen und dort in left oder right der leere Baum überschrieben werden.

Die add-Methode

- ▶ Die add-Methode hat Ergebnistyp void und muss den unterliegenden Suchbaum verändern.
- ▶ Das funktioniert mit dem aktuellen Design nicht richtig.
- Hier ein Versuch: in WMT

```
void add (Wine w) {
    ...;
}
```

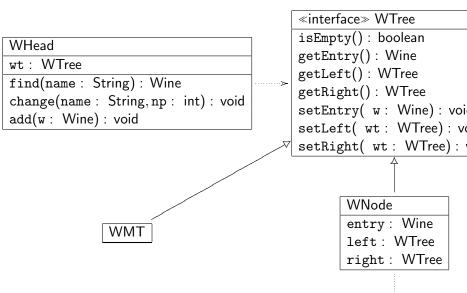
An dieser Stelle steht der Methode nichts zur Verfügung: sie kann nichts bewirken. Also muss der Test, ob ein leerer Suchbaum besucht wird, schon vor Eintritt in den Baum geschehen und dort in left oder right der leere Baum überschrieben werden.

▶ Weiteres Problem: Jeder Baum ist zu Beginn leer. Was soll beim Einfügen des ersten Eintrags überschrieben werden?

Ausweg

- Andere Datenmodellierung, bedingt durch die Veränderlichkeit der Baumstruktur.
- ► Füge der Datenstruktur ein separates Headerobjekt hinzu, das den eigentlichen Suchbaum enthält.
- Dieses Headerobjekt enthält die Operationen.
- Der eigentliche Suchbaum, bestehend aus WMT und WNode Objekten, implementiert lediglich das Durchlauf-Interface.

Neue Datenmodellierung



Implementierung in den Klassen

```
class WMT implements WTree {
...
boolean isEmpty () { return true; }
Wine getEntry () { return null; }
WTree getLeft () { return null; }
WTree getRight () { return null; }
public void setEntry(Wine w) { return; }
public void setLeft(WTree wt) { return; }
public void setRight(WTree wt) { return; }
}
```

Implementierung in Wnode

```
class WNode implements WTree {
...
boolean isEmpty () { return false; }
Wine getEntry () { return this.entry; }
WTree getLeft () { return this.left; }
WTree getRight () { return this.right; }
public void setEntry(Wine w) { this.entry = w; return; }
public void setLeft(WTree wt) { this.left = wt; return; }
public void setRight(WTree wt) { this.right = wt; return; }
}
```

Code für WHead

```
// Interface und Funktionalität für Suchbaum
class WHead {
  private WTree wt;
  private final wmt = new WMT ();
  public WHead () {
    this.wt = this.wmt:
  public Wine find (String name) {
    WTree wtree = this.wt; ...
  public void change (String name, int newprice) {
    WTree wtree = this.wt; ...
```

- ▶ Die Implementierung der Methoden find und change ist unverändert (bis auf die erste Zeile).
- ▶ Das Attribut **final** an einem Feld bewirkt, dass der Wert des Feldes nur einmal während der Initialisierung gesetzt werden darf.

```
public void add (Wine w) {
  if (this.wt.isEmpty ()) {
    this.wt = new WNode (w, this.wmt, this.wmt); return;
  } else {
    String name = w.name; WTree wtree = this.wt;
    while (!wtree.isEmpty()) {
      Wine e = wtree.getEntry();
      int r = e.compareName (name);
      if (r == 0) { // überschreibe vorhandenen Eintrag
        wtree.setEntry(w); return;
      } else {
        if (r > 0) {
          WTree w1 = wtree.getLeft();
          if (w1.isEmpty ()) {
            wtree.setLeft(new WNode (w, wmt, wmt)); return;
          } else {
            wtree = w1:
        } else {
          WTree w1 = wtree.getRight();
          if (w1.isEmpty()) {
            wtree.setRight(new Node (w, wmt, wmt)); return;
          } else {
            wtree = w1:
```

Fazit

- ► Für funktionale Datenstrukturen können alle Operationen direkt (entweder rekursiv oder per **while**-Anweisung) definiert werden.
- ▶ Bei einer Änderung wird eine neue Instanz der Datenstruktur erzeugt, die Objekte gemeinsam mit der alten Instanz verwendet. Die alte Instanz kann weiter verwendet werden.
- ▶ Für imperative Datenstrukturen müssen in der Regel
 - die Struktur von den gewünschten Operationen getrennt werden
 - auf der Struktur sind nur Durchläufe möglich
 - für Verwaltungszwecke und zur Behandlung von Randfälle zusätzliche Objekte angelegt werden.
- Bei einer Änderung wird die alte Instanz zerstört und kann nicht mehr verwendet werden.

