## 2022年水州位子科找大学线性代数期中试题及答案

(2022年11月14日)

对于题目和答案如有任何疑问, 欢迎加入数学营交流.

$$1. \begin{array}{c|cccc} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 3 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 4 \end{array} = \underline{\hspace{2cm}}.$$

- 2. 设矩阵 A 满足 $A^2 + A 4E = 0$ ,则 $(A E)^{-1} =$
- 3. 设A是 5 阶方阵,且 $A^2$  = 0,则 $R(A^*)$  = \_\_\_\_\_.
- 4. 设 $f(x) = \begin{vmatrix} x & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 \\ 1 & 1 & x \end{vmatrix}$ , 则f(x)中的系数为\_\_\_\_\_\_.

  5. 若方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 2x_3 = 0 \\ 2x_1 x_2 + \lambda x_3 = 0 \text{ 的系数矩阵为} A, 3 阶矩阵<math>B \neq 0$ 且AB = 0,则 $\lambda$ 满足\_\_\_\_\_\_.
- 6. 下列不是n阶方阵A可逆的充要条件的是 ( ).
  - A.  $|A| \neq 0$

B. R(A) = n

C. 存在n阶方阵B, 使得AB = E

- D. 方程组Ax = b有无穷多解
- 7. 已知 $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$ 为 2 维列向量,矩阵 $A = (2\alpha_1 + \alpha_2, \alpha_1 \alpha_2)$ , $B = (\alpha_1, \alpha_2)$ ,若行列式|A| = 6,则|B| = 1( ).
  - A. -2

C. -3

- D. 3
- 8. 已知方程组  $\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 1 \\ 2x_1 + 3x_2 + (\lambda + 2)x_3 = 3 \text{ 无解,对} \lambda \text{ 的要求是 ( ) .} \\ x_1 + \lambda x_2 2x_3 = 0 \end{cases}$ 
  - A.  $\lambda \neq 3$
- C.  $\lambda = -1$
- 9. 设A为 $m \times n$ 矩阵,B为 $n \times m$ 矩阵,则线性方程组(AB)X = 0, ( ).
- A. 当m > n 时仅有零解

B. 当m > n 时必有非零解

C. 当m < n 时仅有零解

- D. 当m < n 时必有非零解
- 10.已知矩阵A可以经过若干次初等行变换变成B,则必有 ( ).
  - A. 存在矩阵P, 使得AP = B

B. 存在矩阵P, 使得A = PB

C. 存在矩阵P,使得A = BP

D. |A| = |B|

A. 1 B. -1 C. -3

D. 3

- 12. 求四阶行列式  $\begin{vmatrix} 3 & 1 & -1 & 2 \\ -5 & 1 & 3 & 4 \\ 2 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & -5 & 3 & -3 \end{vmatrix}.$
- 13. 试求矩阵 $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -3 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & -2 & 2 & 0 \\ -1 & 3 & 2 & -2 & 5 \end{pmatrix}$ 的行最简形矩阵.
- 14. 设四阶行列式 $D = \begin{vmatrix} 3 & 0 & 4 & 0 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \\ 0 & -7 & 0 & 0 \\ 5 & 3 & -2 & 2 \end{vmatrix}$ , 求 $M_{41} + M_{42} + M_{43} + M_{44}$ .
- 15. 已知a是常数,且矩阵 $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 1 & 3 & 0 \\ 2 & 7 & -2 \end{pmatrix}$ 可经初等变换化为矩阵 $B = \begin{pmatrix} 1 & a & 2 \\ 0 & 1 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,试求a 的取值范围.
- 16. 设矩阵 $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 2 & -1 \\ 2 & -4 & 8 & 0 \\ -2 & 4 & -2 & 3 \\ 3 & -6 & 0 & -6 \end{pmatrix}$ , 求A的秩.
- 17. 已知AX = B, 试求矩阵X, 其中 $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -3 \\ 1 & 2 & -2 \\ -1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \\ -2 & 5 \end{pmatrix}$ .
- 18. 设矩阵 $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,且 $AB + E = A^2 + B$ ,求|B|.
- 19. 已知 $A = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 2 \\ 0 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,试求A的逆矩阵.
- 20. 设A, B, C均为n阶方阵,E为n阶单位矩阵,若B=E+AB,C=A+CA,试证明: B-C=E.
- 21. 设有线性方程组  $\begin{cases} (1+\lambda)x_1 + x_2 + x_3 = 0 \\ x_1 + (1+\lambda)x_2 + x_3 = 3 \end{cases}$ , 问 $\lambda$ 取何值时,此方程组有唯一解,无解,无穷多解?并在有 $x_1 + x_2 + (1+\lambda)x_3 = \lambda$

无穷多解时求其通解.

解析链接: https://mp.weixin.qq.com/s/h1BbsvyYgJhC6o-hxcFXcQ