

粒子物理简明教程

第二节 对称性和守恒定律

余钊焕 (Zhao-Huan Yu)

ARC Centre of Excellence for Particle Physics at the Terascale,
School of Physics, the University of Melbourne



THE UNIVERSITY OF
MELBOURNE

2017 年 3 月



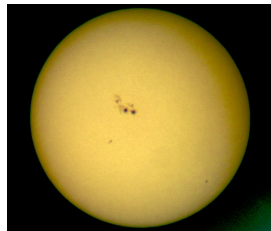
CoEPP
ARC Centre of Excellence for
Particle Physics at the Terascale

对称性

自然界中存在着各式各样的**对称性**。

比如，太阳是一个球体，如果忽略细节结构，它就具有**球对称性**，也就是说，绕中心进行任意旋转操作都不会显现出任何形状上的变化。

然而，太阳表面经常出现黑暗的斑点——太阳黑子，把它们考虑进来，太阳就不再具有严格的球对称性。这是一种**对称性破缺**现象。



太阳和太阳黑子

在物理学中，如果某个现象或系统在某种变换下不改变，就说此现象或系统具有与这种变换相对应的对称性。

- **空间对称性**：对空间性质进行变换所对应的对称性
- **时间对称性**：对时间性质进行变换所对应的对称性
- **内部对称性**：对与空间和时间相独立的其它性质进行变换所对应的对称性

连续对称性

若一种变换可用一组连续变化的参数来描述，则它是一种**连续变换**。连续变换对应的对称性叫**连续对称性**。上述球对称性就是一种连续对称性，因为旋转变换可以用连续变化的转动角描述。

诺特定理：如果一个系统具有某种不明显依赖于时间的连续对称性，就必然存在一种对应的守恒定律。

| 对称性 | 守恒定律 | 守恒量 |
|------------|-------|-----|
| 时间平移不变性 | 能量守恒 | 能量 |
| 空间平移不变性 | 动量守恒 | 动量 |
| 空间转动不变性 | 角动量守恒 | 角动量 |
| U(1) 整体不变性 | 荷数守恒 | 荷数 |

诺特定理首先是在**经典物理学**中给出的，但它实际上对所有物理行为由最小作用量原理决定的系统都成立。因此，将它推广到**量子物理学**中也得到了普遍证明。



Emmy Noether
(1882-1935)

分立对称性

不连续的变换称为**分立变换**。分立变换对应的对称性叫**分立对称性**。在**经典物理学**中，分立对称性不会导致守恒定律。但在**量子物理学**中，情况有所不同，若哈密顿量在某个不含时的厄米分立变换下不变，则**变换本身是守恒量**。

例如，**空间反射变换（P 变换）**是使空间坐标都反号而时间坐标不变的一种分立变换，它对应的分立对称性叫**空间反射不变性**。

空间反射变换对任意态 $|\psi(\mathbf{x}, t)\rangle$ 的作用是 $\hat{P} |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle = |\psi(-\mathbf{x}, t)\rangle$ 。从而， $\hat{P}^2 |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle = |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle$ ，即 $\hat{P}^2 = 1$ 。另外，可以证明 \hat{P} 算符是厄米的，故

$$\hat{P} = \hat{P}^{-1} = \hat{P}^\dagger.$$

P 变换对其本征态 $|\psi(\mathbf{x}, t)\rangle$ 的作用是 $\hat{P} |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle = P |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle = |\psi(-\mathbf{x}, t)\rangle$ ，这里 P 是 \hat{P} 的本征值。作用两次得 $\hat{P}^2 |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle = P^2 |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle = |\psi(\mathbf{x}, t)\rangle$ 。因此， P 的取值必为 ± 1 ，叫做相应本征态的**宇称（或 P 宇称）**。 $P = +1$ 称为**偶宇称**，而 $P = -1$ 称为**奇宇称**。

若哈密顿量 \hat{H} 在 P 变换不变, 即 $\hat{P}^{-1}\hat{H}\hat{P} = \hat{H}$, 亦即 $[\hat{P}, \hat{H}] = 0$, 则利用 \hat{P} 的不含时性质 $\frac{\partial \hat{P}}{\partial t} = 0$ 和薛定谔方程 $i\frac{\partial |\psi\rangle}{\partial t} = \hat{H}|\psi\rangle$ 可得

$$\begin{aligned}\frac{d}{dt} \langle \psi | \hat{P} | \psi \rangle &= \frac{\partial \langle \psi |}{\partial t} \hat{P} | \psi \rangle + \langle \psi | \hat{P} \frac{\partial | \psi \rangle}{\partial t} \\ &= \frac{1}{-i} \langle \psi | \hat{H} \hat{P} | \psi \rangle + \frac{1}{i} \langle \psi | \hat{P} \hat{H} | \psi \rangle \\ &= \frac{1}{i} \langle \psi | [\hat{P}, \hat{H}] | \psi \rangle = 0\end{aligned}$$

可见, \hat{P} 算符在任意态下的平均值都不随时间改变, 故 \hat{P} 是个**守恒量**。

在量子力学中, 空间反射不变性导致**宇称守恒定律**。

守恒量分类

从数学的角度看，守恒量可以分为两大类。

- **相加性守恒量**：复合体系的总守恒量是各组成部分贡献守恒量的**代数和**。
例如，能量，动量，角动量，电荷，同位旋，奇异数，轻子数，重子数。
- **相乘性守恒量**：复合体系的总守恒量是各组成部分贡献守恒量的**乘积**。
例如，P 宇称，C 宇称，CP 宇称。

有经典对应的守恒量都是相加性的，相乘性守恒量都没有经典对应。

守恒定律是否成立与相互作用有关，从这个角度可以对守恒定律分类。

- **严格守恒定律**：对各种相互作用都成立的守恒定律。
- **近似（或部分）守恒定律**：对某些相互作用成立，对另一些相互作用不成立，但在运动过程中后者的影响是次要的。

能量、动量、角动量和电荷是有经典对应的**相加性严格守恒量**，同位旋和奇异数是无经典对应的**相加性近似守恒量**，P 宇称、C 宇称和 CP 宇称是无经典对应的**相乘性近似守恒量**。**反粒子所有内部相加性量子数与正粒子相反。**

群

在数学上，对称性由群论描述。对称变换的集合称为群，群元素具有乘法。

- 两个群元素的乘积就是两次变换相继作用，乘法满足结合律。
- 群中任意两个元素的乘积仍属于此群（封闭性）。
- 群中必有一个恒元 E ，即恒等变换，它与任一元素的乘积仍为此元素。
- 任一元素都可以在群中找到逆元，两者之积为恒元。

若两个群元素的乘积与次序无关，即两次对称变换的结果与次序无关，则称该群是一个阿贝尔群（交换群），否则是一个非阿贝尔群（非交换群）。

如果一些 $m \times m$ 矩阵的乘法关系与群元素完全相同，就可用它们来表示群。这些矩阵构成了群的 m 维线性表示。

利用线性表示，可将对称变换视作矩阵，将变换所操作的量子态视作列矢量。在粒子物理中，经常见到有 m 种粒子集体满足某种对称性，构成 m 重态。从群表示论角度看，这里每种粒子对应于 m 维表示的一个列矢量基底。

分立群和连续群

分立对称性对应于**分立群**，连续对称性对应于**连续群**。

由一个元素 R 和它的幂次构成的分立群称为循环群，是一种阿贝尔群；如果 $R^n = E$ ，该群就称为 n 阶循环群 Z_n ， R 称为**生成元**。P 变换满足 $\hat{P}^2 = 1$ ，因而与恒等变换构成了一个 Z_2 群。所以，空间反射不变性是一种 Z_2 **对称性**。

李群是粒子物理学中常见的一类连续群，具有一定的解析性质（微分流形）。

n 维李群的群元素 R 可用 n 个独立实参数 θ^a 描写，恒元邻域的元素可表达为指数形式 $R = \exp(i\theta^a t^a)$ 。 n 个厄米算符 t^a 称为**生成元**，满足**李代数**关系

$$[t^a, t^b] = if^{abc}t^c, \quad a, b, c = 1, \dots, n.$$

实数 f^{abc} 称为李群的**结构常数**，满足 $f^{abc} = -f^{bac}$ 。在李群的表示中，生成元表达为厄米矩阵，不同维表示具有不同阶生成元，但结构常数总是一样的。

（注意：上面的表达式都省略了求和符号，实际上要对重复的指标从 1 至 n 求和。）

典型的李群：U(n) 群和 SU(n) 群

在**线性代数**中，矩阵具有乘法，因而可逆方阵能够依靠自身乘法关系构成群。用来定义矩阵群本身的方阵构成该群的**基础表示**，这个表示的维数和方阵的阶数一致。需要注意的是，矩阵群可以拥有维数不同于基础表示的其它表示。

么正群 U(n) 由 $n \times n$ 么正矩阵 U 构成，是维数为 n^2 的李群。这些矩阵满足

$$U^\dagger U = U U^\dagger = 1, \quad |\det(U)| = 1.$$

最常见的么正群是 U(1) 群，记实数 Q 为它的生成元，则群元素在基础表示里表达为 $e^{iQ\theta}$ 。电磁相互作用具有 **U(1) 对称性**，从而导致**电荷守恒定律**。

特殊么正群 SU(n) 由 $\det(U) = 1$ 的 $n \times n$ 么正矩阵 U 构成，是 $n^2 - 1$ 维李群。

SU(2) 群基础表示的生成元 $t^a = \sigma^a/2$ ，其中 σ^a 为**泡利矩阵**

$$\sigma^1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad \sigma^2 = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}, \quad \sigma^3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}.$$

李代数关系为 $[t^a, t^b] = i\epsilon^{abc} t^c$ ，结构常数是 Levi-Civita 符号 ϵ^{abc} 。

同位旋

实验表明，质子和中子**质量相近，强相互作用性质相似**。 π 介子也有类似性质。在强相互作用中互换质子和中子，系统性质不会改变。类比于**自旋**，海森堡在 1932 年提出**同位旋**的概念解释这种现象。

| 粒子 | 质子 p | 中子 n | π^+ 介子 | π^0 介子 | π^- 介子 |
|----------|--------|--------|------------|------------|------------|
| 质量 (MeV) | 938.27 | 939.57 | 139.57 | 134.98 | 139.57 |
| 电荷 Q | +1 | 0 | +1 | 0 | -1 |



W. Heisenberg
(1901-1976)

同位旋 I 由 $SU(2)$ 群描述，生成元记为 I^a 。在 $SU(2)$ 的 2 维和 3 维表示中， I^3 分别为 $\text{diag}(1/2, -1/2)$ 和 $\text{diag}(1, 0, -1)$ ，对角元是多重态的 I^3 本征值。

质子和中子的同位旋为 $I = \frac{1}{2}$ ，构成**二重态** $\begin{pmatrix} p \\ n \end{pmatrix}$ ， $I^3(p) = +\frac{1}{2}$ ， $I^3(n) = -\frac{1}{2}$

π 介子的同位旋为 $I = 1$ ，构成**三重态** $\begin{pmatrix} \pi^+ \\ \pi^0 \\ \pi^- \end{pmatrix}$ ， $I^3(\pi^\pm) = \pm 1$ ， $I^3(\pi^0) = 0$

同位旋守恒

强相互作用同位旋 SU(2) 不变性引起同位旋 I 和同位旋第三分量 I^3 的守恒。

因此，在强相互作用过程中，初态与末态的 (I, I^3) 相同： $\Delta I = \Delta I^3 = 0$ 。

对于 π 介子与核子的散射，电荷守恒定律允许存在以下过程：

| 弹性散射 | 截面 | 弹性散射 | 截面 | 弹性散射 | 截面 | 准弹性散射 | 截面 |
|-------------------------------|------------|-------------------------------|------------|-------------------------------|------------|-----------------------------------|------------|
| $\pi^+ p \rightarrow \pi^+ p$ | σ_1 | $\pi^0 p \rightarrow \pi^0 p$ | σ_3 | $\pi^- p \rightarrow \pi^- p$ | σ_5 | $\pi^+ n \leftrightarrow \pi^0 p$ | σ_7 |
| $\pi^+ n \rightarrow \pi^+ n$ | σ_2 | $\pi^0 n \rightarrow \pi^0 n$ | σ_4 | $\pi^- n \rightarrow \pi^- n$ | σ_6 | $\pi^- p \leftrightarrow \pi^0 n$ | σ_8 |

强作用在同位旋 SU(2) 变换下不变，则在同位旋空间绕第二个轴转 180° ，即

$$p \leftrightarrow n, \quad \pi^+ \leftrightarrow \pi^-, \quad \pi^0 \leftrightarrow \pi^0,$$

得到的散射截面应该不变：

$$\sigma_1 = \sigma_6, \quad \sigma_2 = \sigma_5, \quad \sigma_3 = \sigma_4, \quad \sigma_7 = \sigma_8.$$

这在实验中得到证实。

同位旋破坏

① 强相互作用同位旋不变性破坏

在强相互作用中，同位旋量子数是严格守恒的，但同位旋不变性不是完全严格的。由于同个多重态中不同分量具有**微小质量差**，各分量在运动学上有微小差异，导致同位旋不变性引起的截面关系式存在微小破坏。

② 电磁相互作用同位旋破坏

同个同位旋多重态中各分量带有**不同电荷**，导致电磁相互作用性质不同。因此，在电磁相互作用中同位旋不守恒。比如， $\pi^0 \rightarrow \gamma\gamma$ 电磁衰变就不满足同位旋守恒（光子同位旋为 0）。不过，电磁相互作用过程中同位旋的改变比较有限： $\Delta I = 0$ 或 ± 1 ， $\Delta I^3 = 0$ （ I^3 仍然是守恒的）。

③ 弱相互作用同位旋破坏

在弱相互作用中， **I 和 I^3 都不守恒**。不过，大量实验结果表明，大多数弱作用过程满足 $|\Delta I| \leq 1$ 。

奇异数

1947 年，宇宙线实验中观察到由两种中性粒子引起的 V 型事例，它们是后来称为 K^0 介子和 Λ^0 重子的**奇异粒子**。50 年代，加速器上产生大量奇异粒子，才得以系统研究。奇异粒子具有以下两个特征。

- 奇异粒子在强相互作用中**成对产生**，再分别**衰变为非奇异粒子**。

例如： $\pi^- p \rightarrow \pi^0 K^+ \Sigma^-$ ， $K^+ \rightarrow \mu^+ \nu_\mu$ ， $\Sigma^- \rightarrow n \pi^-$ ；

$pp \rightarrow p K^+ \Lambda^0$ ， $K^+ \rightarrow \pi^+ \pi^0$ ， $\Lambda^0 \rightarrow n \pi^0$ 。

- 奇异粒子以强相互作用典型时间 $t \sim 10^{-23}$ s **快速产生**，再以弱相互作用典型时间 $\tau \sim 10^{-8} - 10^{-10}$ s **缓慢衰变**。

例如： K^\pm 寿命为 $\tau_{K^\pm} = 1.2 \times 10^{-8}$ s， Λ^0 寿命为 $\tau_{\Lambda^0} = 2.6 \times 10^{-10}$ s。

有些奇异粒子成对产生过程，如 $nn \rightarrow \Lambda^0 \Lambda^0$ ，虽然阈能很低，却始终没有在实验中发现。这促使西岛和彦在 1953 年提出**奇异数 S** 的概念，指定 K^+ 和 K^0 的奇异数为 +1， K^- 、 Σ^- 和 Λ^0 的奇异数为 -1。**强相互作用中奇异数守恒**，故 $nn \rightarrow \Lambda^0 \Lambda^0$ 这个过程被严格禁戒。**弱相互作用中奇异数不守恒**，因而奇异粒子可以缓慢衰变成非奇异粒子。

夸克

建立**夸克模型**之后，奇异数得到了合理的解释。奇异数是由**奇夸克**导致的，正奇夸克 s 的奇异数为 -1 ，反奇夸克 \bar{s} 的奇异数为 $+1$ 。

同理可以定义**粲数 C** 、**底数 B** 和**顶数 T** 。另外，还有一个概念是**重子数 B** ，介子的重子数为 0 ，重子的重子数为 ± 1 。这些相加性量子数各自对应于一种 $U(1)$ 整体不变性，**在强和电磁相互作用中守恒，在弱相互作用中不守恒。**

| 夸克 | I | I^3 | S | C | B | T | B | Q | 质量 (GeV) | 组分质量 |
|-----|-------|--------|------|------|------|------|--------|--------|------------|------|
| d | $1/2$ | $-1/2$ | 0 | 0 | 0 | 0 | $+1/3$ | $-1/3$ | ~ 0.3 | |
| u | $1/2$ | $+1/2$ | 0 | 0 | 0 | 0 | $+1/3$ | $+2/3$ | ~ 0.3 | |
| s | 0 | 0 | -1 | 0 | 0 | 0 | $+1/3$ | $-1/3$ | ~ 0.5 | |
| c | 0 | 0 | 0 | $+1$ | 0 | 0 | $+1/3$ | $+2/3$ | ~ 1.6 | |
| b | 0 | 0 | 0 | 0 | -1 | 0 | $+1/3$ | $-1/3$ | ~ 4.6 | |
| t | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | $+1$ | $+1/3$ | $+2/3$ | 173 (极点质量) | |

强子的相加性量子数是价夸克的相加性量子数之和，满足**盖尔曼—西岛关系**

$$\text{电荷 } Q = I^3 + \frac{1}{2}(B + S + C + B + T).$$

轻子数

电子、 μ 子、 τ 子及相应中微子统称为**轻子**，它们不参与强相互作用。

1962 年，L. Lederman、M. Schwartz 和 J. Steinberger 在中微子束流实验中发现，中微子具有不同味道，存在 μ 子型中微子 ν_μ ，它与电子型中微子 ν_e 不同。他们在中微子与原子核 N 的散射中**探测到反应** $\nu_\mu + N \rightarrow \mu^- + X$ (X 代表不包含带电轻子的其它所有粒子)，但**没有探测到反应** $\nu_\mu + N \rightarrow e^- + X$ 。

这表明不同代轻子在反应过程中不会混合起来。按下表方式指定三种**轻子数** L_e 、 L_μ 和 L_τ ，则它们在**电磁和弱相互作用中守恒**。

| 轻子 | L_e | L_μ | L_τ | Q | 质量 | 寿命 |
|------------|-------|---------|----------|-----|-----------|-------------------------|
| e^- | +1 | 0 | 0 | -1 | 0.511 MeV | 稳定 |
| μ^- | 0 | +1 | 0 | -1 | 105.7 MeV | 2.2×10^{-6} s |
| τ^- | 0 | 0 | +1 | -1 | 1.777 GeV | 2.9×10^{-13} s |
| ν_e | +1 | 0 | 0 | 0 | < 1 eV | 稳定 |
| ν_μ | 0 | +1 | 0 | 0 | < 1 eV | 稳定 |
| ν_τ | 0 | 0 | +1 | 0 | < 1 eV | 稳定 |

轻子数守恒允许：

$$\begin{aligned}
 n &\rightarrow p e^- \bar{\nu}_e \\
 \mu^- &\rightarrow e^- \bar{\nu}_e \nu_\mu \\
 \tau^- &\rightarrow \mu^- \bar{\nu}_\mu \nu_\tau \\
 \pi^- &\rightarrow \mu^- \bar{\nu}_\mu
 \end{aligned}$$

轻子数守恒禁戒：

$$\begin{aligned}
 e^- e^- &\leftrightarrow \pi^- \pi^- \\
 \mu^- &\rightarrow e^- \gamma \\
 \pi^- &\rightarrow \mu^- \bar{\nu}_e
 \end{aligned}$$

全同粒子交换不变性

对于含有全同粒子的系统，把交换全同粒子 i 和 j 的分立变换记作 \hat{P}_{ij} 。根据量子力学**全同性原理**，交换全同粒子不会改变系统状态，运动规律对于全同粒子不可分辨。因此， $[\hat{P}_{ij}, \hat{H}] = 0$ ，即 \hat{P}_{ij} 是系统的守恒量。由于 $\hat{P}_{ij}^2 = 1$ ，有 $|j, i\rangle = \hat{P}_{ij} |i, j\rangle = \pm |i, j\rangle$ ，即 \hat{P}_{ij} 的本征值只能取 $P_{ij} = \pm 1$ 。

- $P_{ij} = +1$ ：波函数对于交换 i 和 j 是**对称**的，相应全同粒子是**玻色子**。
- $P_{ij} = -1$ ：波函数对于交换 i 和 j 是**反对称**的，相应全同粒子是**费米子**。

全同粒子交换不变性对所有相互作用成立， \hat{P}_{ij} 是相乘性严格守恒量。

对于**两个全同粒子构成的系统**，可以证明，波函数 $|i, j\rangle$ 满足

$$\hat{P}_{ij} |i, j\rangle = (-1)^{L+S-2s} |i, j\rangle,$$

其中 s 为粒子的自旋， L 为系统的轨道角动量， S 为系统的总自旋。玻色子的自旋 s 为整数，有 $(-1)^{2s} = +1$ ；费米子的自旋 s 为半整数，有 $(-1)^{2s} = -1$ 。因此 **$L + S$ 必定为偶数**。

C 宇称

电荷共轭变换 (C 变换) 是一个分立变换，将粒子态转换成对应的反粒子态。**纯中性粒子**和**纯中性系统**在 C 变换下不变，因此是 C 变换的本征态，相应的本征值 C 称为 **C 宇称**。**C 宇称在强和电磁作用中守恒，在弱作用中不守恒。**

- C 变换使电荷和电流反号，因而电磁场也要反号才能符合麦克斯韦方程组。所以，电磁场的激发态**光子的 C 宇称为奇**，即 $C(\gamma) = -1$ 。
- 如果一个多粒子系统各组分内部相加性守恒量之和均为零，且在 C 变换下不变，则称为**纯中性系统**，比如 $\gamma\gamma$ 系统、 e^+e^- 系统和 $e^+e^-\gamma$ 系统。可以证明，一对正反粒子组成的纯中性系统的 C 宇称为 $C = (-1)^{L+S}$ ，其中 L 为轨道角动量， S 为总自旋。
- 实验上观测到的 π^0 主要衰变道是电磁相互作用过程 $\pi^0 \rightarrow \gamma\gamma$ 。末态是由两个光子组成的纯中性系统，故 C 宇称为 $(-1)^{L+S}$ ，另由全同粒子交换不变性可知该系统 $L+S$ 为偶数。因此，C 宇称在电磁相互作用中守恒意味着 π^0 介子的 **C 宇称为偶**，即 $C(\pi^0) = +1$ 。

P 宇称

在 P 变换下，位置算符 \hat{x} 和动量算符 \hat{p} 反号，即 $\hat{P}^{-1}\hat{x}\hat{P} = -\hat{x}$ ， $\hat{P}^{-1}\hat{p}\hat{P} = -\hat{p}$ ；而轨道角动量算符 $\hat{L} \equiv \hat{x} \times \hat{p}$ 不变，因为 $\hat{P}^{-1}\hat{L}\hat{P} = (\hat{P}^{-1}\hat{x}\hat{P}) \times (\hat{P}^{-1}\hat{p}\hat{P}) = \hat{L}$ 。也就是说， $[\hat{P}, \hat{L}] = 0$ 。于是， \hat{L} 和 \hat{P} 具有共同的本征态，可以同时测量。

- 轨道宇称**：轨道角动量为 L 时轨道波函数由球谐函数 $|LM\rangle = Y_{LM}(\theta, \phi)$ 描述，可得 $\hat{P}|LM\rangle = (-1)^L|LM\rangle$ ，故轨道宇称为 $P = (-1)^L$ 。
- 内禀宇称**：粒子的内部波函数具有的宇称。纯中性粒子具有绝对的内禀宇称，其它粒子只有相对的，需要约定。实验测得如下绝对内禀宇称：

$$P(\gamma) = P(\pi^0) = P(\rho^0) = P(J/\psi) = -1.$$

总宇称是轨道宇称和内禀宇称之积，在强和电磁相互作用中守恒。

对于一对正反粒子组成的纯中性系统，可以证明，若它由正反费米子对组成，则宇称为 $P = (-1)^{L+1}$ ；若它由正反玻色子对组成，则宇称为 $P = (-1)^L$ 。扣除轨道宇称的贡献之后，可以看出，正反费米子的内禀宇称符号相反，而正反玻色子的内禀宇称符号相同。

弱相互作用中宇称不守恒

1947 年，宇宙线实验中观测到两个弱衰变粒子 τ^+ 和 θ^+ ，两者质量几乎相同，但衰变末态具有不同的宇称： $\theta^+ \rightarrow \pi^+ \pi^0$ （偶宇称）和 $\tau^+ \rightarrow \pi^+ \pi^- \pi^+$ （奇宇称）。当时普遍认为宇称是守恒的，因而 τ^+ 和 θ^+ 看起来不是同一种粒子，却又具有相同的质量。这称为 θ - τ 疑难。

1956 年，李政道和杨振宁仔细分析了各种实验，发现没有证据表明弱作用过程中宇称是守恒的，提出宇称只在弱相互作用中不守恒的观点，并建议一些实验来检验。这样一来， τ^+ 和 θ^+ 能被认作同种粒子，后来称为 K^+ 介子。

随后，吴健雄在钴 60 衰变 ($^{60}\text{Co} \rightarrow ^{60}\text{Ni} + e^- + \bar{\nu}_e$) 实验中发现电子优先选择反平行于原子核自旋方向出射，从而证实弱作用没有空间反射不变性。李政道和杨振宁因而获得 1957 年诺贝尔奖。



李政道 (1926-)



杨振宁 (1922-)



吴健雄 (1912-1997)

CP 宇称

CP 变换定义为先作 P 变换，再作 C 变换。纯中性粒子和纯中性系统是 P 变换和 C 变换的共同本征态，因而是 CP 变换本征态。相应本征值是 P 宇称与 C 宇称之积，称为 **CP 宇称**。

对于一对正反粒子组成的纯中性系统，CP 宇称为 $CP = (-)^{S-2s}$ ，与系统的轨道角动量无关，只由系统的总自旋 S 和粒子的自旋 s 决定。

CP 宇称在强和电磁相互作用中守恒。虽然在弱相互作用中 P 宇称和 C 宇称都不守恒，但 **CP 宇称在大多数弱作用过程中守恒**。有一小部分弱作用过程存在 **CP 破坏效应**，根源于三代夸克混合矩阵（CKM 矩阵）中的复相位。

CP 变换将弱衰变过程 $K_L^0 \rightarrow \pi^- \mu^+ \nu_\mu$ 变换为 $K_L^0 \rightarrow \pi^+ \mu^- \bar{\nu}_\mu$ 。如果 CP 不变性在弱相互作用中严格成立，这两个过程应该具有相同的衰变分宽度，即 $\Gamma(K_L^0 \rightarrow \pi^- \mu^+ \nu_\mu) = \Gamma(K_L^0 \rightarrow \pi^+ \mu^- \bar{\nu}_\mu)$ 。然而，实验测得

$$\frac{\Gamma(K_L^0 \rightarrow \pi^- \mu^+ \nu_\mu) - \Gamma(K_L^0 \rightarrow \pi^+ \mu^- \bar{\nu}_\mu)}{\Gamma(K_L^0 \rightarrow \pi^- \mu^+ \nu_\mu) + \Gamma(K_L^0 \rightarrow \pi^+ \mu^- \bar{\nu}_\mu)} = (0.64 \pm 0.08)\%.$$

说明 K_L^0 介子衰变过程存在**千分之几的 CP 破坏效应**。

小结

能量 E 、动量 p 、角动量 J 、角动量第三分量 J^3 、电荷 Q 、重子数 B 、轻子数 $L_{e,\mu,\tau}$ 、同位旋 I 、同位旋第三分量 I^3 、奇异数 S 、粲数 C 、底数 B 和顶数 T 的守恒情况：

| 相加性守恒量 | E, p, J, J^3 | Q, B, L_e, L_μ, L_τ | I | I^3 | S, C, B, T |
|--------|----------------|----------------------------|-----|-------|--------------|
| 强相互作用 | ✓ | ✓ | ✓ | ✓ | ✓ |
| 电磁相互作用 | ✓ | ✓ | × | ✓ | ✓ |
| 弱相互作用 | ✓ | ✓ | × | × | × |

全同粒子交换 P_{ij} 、 C 宇称、 P 宇称和 CP 宇称的守恒情况：

| 相乘性守恒量 | P_{ij} | C | P | CP |
|--------|----------|-----|-----|----------------|
| 强相互作用 | ✓ | ✓ | ✓ | ✓ |
| 电磁相互作用 | ✓ | ✓ | ✓ | ✓ |
| 弱相互作用 | ✓ | × | × | ✓ _× |

注：✓ 表示守恒；× 表示不守恒；✓_× 表示基本守恒，但少数过程有微小破坏。