

关于进制与位运算

关于位运算参考文章：

<http://blog.csdn.net/iukey/article/details/7195265>

二进制位运算

运算符	运算	示例
&	与运算	$6 \& 3 = 2$
	或运算	$6 3 = 7$
^	异或运算	$6 \wedge 3 = 5$
~	反码	$\sim 6 = -7$
<<	左移	$3 << 2 = 12$ $3 * 2 * 2 = 12$
>>	右移	$3 >> 1 = 1$ $3 / 2 = 1$
>>>	无符号右移	$3 >>> 1 = 1$ $3 / 2 = 1$

之①：按位与 &

两位全位1，结果才为1

$0 \& 0 = 0$; $0 \& 1 = 0$; $1 \& 0 = 0$; $1 \& 1 = 1$;

例如： $51 \& 5$ 即 $0011\ 0011 \& 0000\ 0101 = 0000\ 0001$ 因此 $51 \& 5 = 1$ 。

位运算的特殊用法

(1) 清零。如果想将一个单元清零，即使其全部二进制位为0，只要与一个各位都为零的数值相与，结果为零。

(2) 取一个数中指定位

例：设 $X = 10101110$ ，取X的低4位，用 $X \& 0000\ 1111 = 0000\ 1110$ 即可得到

方法：找一个数，对应X要取的位，该数的对应位为1，其余位为零，此数与X进行“与运算”可以得到X中的指定位。

之②：按位或 |

只要有一个为1，结果就为1

$0 \mid 0 = 0$; $0 \mid 1 = 1$; $1 \mid 0 = 1$; $1 \mid 1 = 1$;

例如： $51 \mid 5$ 即 $0011\ 0011 \mid 0000\ 0101 = 0011\ 0111$ 因此 $51 \mid 5 = 55$ 。

或运算的特殊用法

常用来对一个数据的某些位置1

例：将 $X = 10100000$ 的低4位置1，用 $X \mid 0000\ 1111 = 1010\ 1111$ 即可得到

方法：找到一个数，对应X要置1的位，该数的对应位为1，其余位为零。此数与X相或可使X中的某些位置1。

之③：异或运算 ^

两个相应位为“异”（值不同），则该位结果为1，否则为0

$0 \wedge 0 = 0$; $0 \wedge 1 = 1$; $1 \wedge 0 = 1$; $1 \wedge 1 = 0$;

例如： $51 \wedge 5$ 即 $0011\ 0011 \wedge 0000\ 0101 = 0011\ 0110$ 因此 $51 \wedge 5 = 54$ 。

异或运算的特殊用途

(1) 使特定位翻转 找一个数，对应X要翻转的各位，该数的对应位为1，其余位为零，此数与X对应位异或即可。

例： $X = 10101110$ ，使X低4位翻转，用 $X \wedge 0000\ 1111 = 1010\ 0001$ 即可得到

(2) 与0相异或，保留原值

例： $X \wedge 0000\ 0000 = 1010\ 1110$

两个变量交换值的方法

1、借助第三个变量来实现

$C=A; A=B; B=C;$

2、利用加减法实现两个变量的交换

$A=A+B; B=A-B; A=A-B;$

3、用位异或运算来实现，也是效率最高

原理：利用一个数异或本身等于0和异或运算符合交换率。

如： $A=A \wedge B; B=A \wedge B; A=A \wedge B;$

之④：取反运算 \sim

对一个二进制数按位取反，即将0变1，1变0

$\sim 1=0; \quad \sim 0=1;$

之⑤：左移运算 $<<$

将一个运算对象的各二进制位全部左移若干位（左边的二进制位丢弃，右边补0）

$2 << 1=4;$

若左移时舍弃的高位不包含1，则每左移一位，相当于该数乘以2。

-14 （即二进制的 11110010 ） $<< 2 = ?$ （ 11001000 ）

11 （ 1011 ） $<< 2 = 44$

$11(00000000\ 00000000\ 00000000\ 1011)$ (32bit)

之⑥：右移运算 $>>$

将一个数的各二进制位全部右移若干位，正数左补0，负数左补1，右边丢弃。操作数每右移一位，相当于该数除以2。

左补0 or 补1 得看被移数是正还是负。

例1： $1 = 4 >> 2$

例2： -14 （ 11110010 ） $>> 2$
 $= -4$ （ 11111100 ）。

之⑦：无符号右移运算 >>>

各个位向右移 指定的位数。右移后左边空出的位用零来填充。移出右边的位被丢弃

例如：-14 >>> 2

即-14 (11111111 11111111 11111111 11110010) >>> 2

= (00111111 11111111 11111111 11111100)

= 1073741820

负数以其正值的补码形式表示(1/2)

原码

一个整数按照绝对值大小转换成的二进制数称为原码

例如：00000000 00000000 00000000 00001110 是 14的原码。

反码

将二进制数按位取反，所得的新二进制数称为原二进制数的反码。

例如：将00000000 00000000 00000000 00001110每一位取反，

得11111111 11111111 11111111 11110001

注意：11111111 11111111 11111111 11110001

和 00000000 00000000 00000000 00001110 互为反码。

补码

反码加1称为补码

11111111 11111111 11111111 11110001 + 1 = 11111111 11111111
11111111 11110010



负数以其正值的补码形式表示(2/2)

-14 (11111111 11111111 11111111 11110010) << 2

=(11111111 11111111 11111111 11001000)

= ?

分析：只需要该补码的原码对应的正值，然后取相反数

1、补码减1得到反码:(11000111)

2、补码取反得到原码(即该负数的正值) (00111000)

3、计算正值 (按照二-十进制转换规则，正值为56)

