## Práctica PL

Elena Kaloyanova Popova y Álvaro Borja Velasco García

2018

## Índice general

1.	Fase 1: Analizador léxico	<b>2</b>			
	1.1. Clases Léxicas	2			
	1.2. Especificación Formal				
	1.3. Diseño				
2.	Fase 2: Analizador sintáctico	6			
	2.1. Gramática incontextual	6			
	2.1.1. Operadores	6			
	2.1.2. Gramática incontextual	6			
	2.1.3. Gramática transformada $LL(1)$	7			
	2.1.4. Primeros y siguientes				
	2.1.5. Directores	10			
3.	Fase 3: Analizador sintáctico ascendente	<b>12</b>			
4.	Fase 4: Construcción de árboles de sintaxis abstracta				
	4.1. Funciones constructoras	13			

## Fase 1: Analizador léxico

#### 1.1. Clases Léxicas

Todo programa consta de dos secciones: una para las declaraciones y otra para las instrucciones, separadas por un token «&&». La sección de declaraciones está formada por una serie de declaraciones compuestas por el nombre de tipo y el de variable y separadas por un punto y coma. La sección de instrucciones, por su parte, consta de una serie de asignaciones (variable=expresión), separadas también por un punto y coma. Las clases léxicas que hemos considerado para representar los tokens del lenguaje son las siguientes:

- SEC: Representa el seccionador de las dos partes del programa («&&»).
- **NUM:** Palabra reservada «num».
- **BOOL:** Palabra reservada «bool».
- VAR: Representa el nombre de la variable. Comienza necesariamente por una letra, seguida por una secuencia de cero o más letras, dígitos o el símbolo « ».
- **ASIG:** Representa el signo igual de las asignaciones.
- NXT: Representa el signo «;» que marca el comienzo de la siguiente instrucción.
- TRUE: Palabra reservada «true».
- FALSE: Palabra reservada «false».

- NUMR: Representa un número real. Puede empezar opcionalmente con un signo seguido de una secuencia de uno o más digitos cualesquiera, pudiendo poner ceros no significativos a la izquierda. Puede opcionalmente estar seguido por una parte decimal y/o una parte exponencial.
- MAS: Operador suma  $(\+)$ .
- MENOS: Operador resta (\-).
- **POR:** Operador multiplicación (\\*).
- **DIV:** Operador división (/).
- **AND:** Palabra reservada «and».
- **OR:** Palabra reservada «or».
- **NOT:** Palabra reservada «not».
- MAY: Operador mayor (>).
- **MEN:** Operador menor (<).
- MAYI: Operador mayor o igual (>=).
- **MENI:** Operador menor o igual (<=).
- **IGUAL:** Operador igual a (==).
- **DIST:** Operador distinto a (!=).
- PAP: Signo de apertura de paréntesis.
- PCI: Signo de cierre de paréntesis.
- **EOF:** Representa el final de fichero.

#### 1.2. Especificación Formal

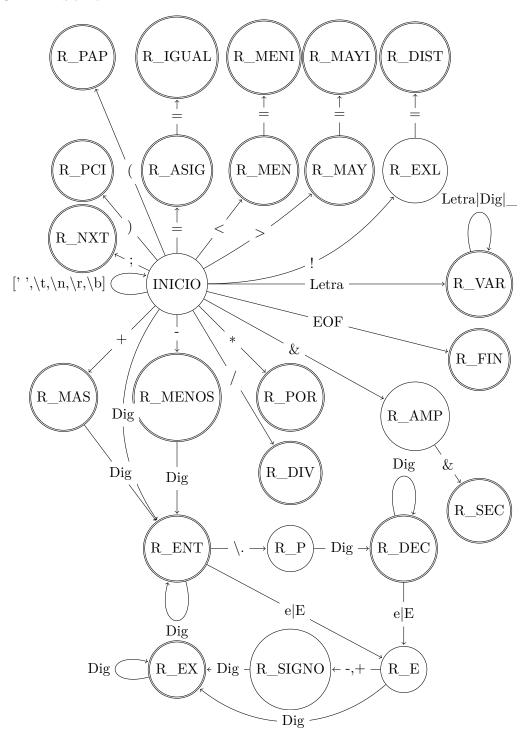
Las definiciones regulares correspondientes a las clases léxicas definidas son:

- $(\star)$  **SEC:** [&][&]
- (\*) VAR: <u>LETRA([LETRA|DIG|\\_]</u>\*) **LETRA:** ([a-z,A-Z])

```
DIG: ([0-9])
(\star) NUM: ([n][u][m])
(*) BOOL: ([b][o][o][l])
(*) TRUE: ([t][r][u][e])
(*) FALSE: ([f][a][l][s][e])
(\star) NUMR: <u>SIGNO</u>?(<u>DIG</u>+(<u>DEC</u>)?(<u>EX</u>)?)
    DEC: (\.)<u>DIG</u>+
    EX: [e|E](\underline{SIGNO};\underline{DIG}+)
    SIGNO: [\+,\-]
    DIG: [0-9]
(\star) AND: ([a][n][d])
(\star) OR: ([o][r])
(*) NOT: ([n][o][t])
(⋆) MAS: (\+)
(★) MENOS: (\-)
(*) DIV: (/)
(*) POR: (\*)
(\star) MAY: (>)
(*) MEN: (<)
(*) MAYI: ([>][=])
(*) MENI: ([<][=])
(*) IGUAL: ([=][=])
(*) DIST: ([!][=])
(*) ASIG: (=)
(*) NXT: (;)
(*) PAP: (\setminus ()
(⋆) PCIERRE: (\))
```

(\*) **SEP:** [« »,\t,\n,\r,\b]

#### 1.3. Diseño



## Fase 2: Analizador sintáctico

En esta fase desarrollaremos el analizador sintáctico descendente predictivo para el lenguaje descrito en la primera fase.

#### 2.1. Gramática incontextual

#### 2.1.1. Operadores

Empezaremos definiendo la gramática incontextual que define el lenguaje. Los operadores que utiliza nuestro lenguaje aparecen en la tabla 2.1.

Operador	Prioridad	Tipo	Asociatividad
+,-	0	Binario infijo	Asocia Izquierda
nd	1	Binarios infijos	Asocia Derecha
a			No asocia
Relacionales	2	Binario infijo	No asocia
*,/	3	Binario infijo	Asocia Izquierda
	4	Unarios prefijos	Asocia
not			No asocia

Cuadro 2.1: Operadores

#### 2.1.2. Gramática incontextual

La gramática incotextual obtenida apartir de la definición y los operadores es la siguiente:

  $LDs \rightarrow LDs \underline{NXT} Declaracion$ 

 $\mathrm{LDs} \to \mathrm{Declaracion}$ 

Declaracion  $\rightarrow NUM VAR$ 

Declaracion  $\rightarrow$  BOOL VAR

 $LIs \rightarrow LIs NXT Instruccion$ 

 $LIs \rightarrow Instruccion$ 

Instruccion  $\rightarrow$  VAR ASIG EXP0

 $EXP0 \rightarrow EXP0 OP0 EXP1$ 

 $\text{EXP0} \rightarrow \text{EXP1}$ 

 $\text{EXP1} \rightarrow \text{EXP2} \text{ AND EXP1}$ 

 $EXP1 \rightarrow EXP2 \text{ OR } EXP2$ 

 $\text{EXP1} \rightarrow \text{EXP2}$ 

 $\text{EXP2} \rightarrow \text{EXP3} \text{ OP2} \text{ EXP3}$ 

 $\text{EXP2} \rightarrow \text{EXP3}$ 

 $EXP3 \rightarrow EXP3 OP3 EXP4$ 

 $\text{EXP3} \rightarrow \text{EXP4}$ 

 $EXP4 \rightarrow \underline{MENOS} EXP4$ 

 $\text{EXP4} \rightarrow \text{\underline{NOT}} \text{ EXP5}$ 

 $EXP5 \rightarrow NUMR$ 

 $\text{EXP5} \rightarrow \text{\underline{VAR}}$ 

 $\text{EXP5} \rightarrow \text{TRUE}$ 

 $\text{EXP5} \rightarrow \text{FALSE}$ 

 $EXP5 \rightarrow PAP EXP0 PCIERRE$ 

 $OP0 \rightarrow \underline{MAS}$ 

 $OP0 \rightarrow MENOS$ 

 $OP2 \rightarrow MAY$ 

 $OP2 \rightarrow MEN$ 

 $OP2 \rightarrow MAYI$ 

 $OP2 \rightarrow \underline{MENI}$ 

 $OP2 \rightarrow \underline{IGUAL}$ 

 $OP2 \rightarrow \underline{DIST}$ 

 $OP3 \rightarrow \underline{POR}$ 

 $OP3 \rightarrow \underline{DIV}$ 

#### 2.1.3. Gramática transformada LL(1)

Necesitamos transformar la gramática a una LL(1). Una vez transformada, la gramática queda de la siguiente manera:

 $S \to Programa EOF$ 

 $Programa \rightarrow LDs \ \underline{SEC} \ LIs$ 

 $\mathrm{LDs} \to \mathrm{Declaracion} \ \mathrm{RLDS}$ 

 $RLDS \rightarrow \underline{NXT}$  Declaracion RLDS

 $\mathrm{RLDS} \to \varepsilon$ 

Declaracion  $\rightarrow$  NUM VAR

Declaracion  $\rightarrow$  BOOL VAR

 $LIs \rightarrow Instruccion RLIS$ 

 $\text{RLIS} \to \underline{\text{NXT}}$ Instruccion RLIS

RLIS  $\rightarrow \varepsilon$ 

Instruccion  $\rightarrow VAR ASIG EXP0$ 

 $\text{EXP0} \rightarrow \text{EXP1 R0}$ 

 $R0 \rightarrow OP0 EXP1 R0$ 

 $R0 \to \varepsilon$ 

 $\text{EXP1} \rightarrow \text{EXP2} \text{ R1}$ 

 $R1 \rightarrow AND EXP1$ 

 $R1 \rightarrow OR EXP2$ 

 $R1 \to \varepsilon$ 

 $\rm EXP2 \rightarrow EXP3~R2$ 

 $R2 \rightarrow OP2 EXP3 R2$ 

 $R2 \to \varepsilon$ 

 $EX3 \rightarrow EXP4 R3$ 

 $R3 \rightarrow OP3 EXP4 R3$ 

 $R3 \to \varepsilon$ 

 $EXP4 \rightarrow \underline{MENOS} EXP4$ 

 $\text{EXP4} \rightarrow \text{NOT EXP5}$ 

 $\text{EXP4} \rightarrow \text{EXP5}$ 

 $EXP5 \rightarrow NUMR$ 

 $\text{EXP5} \rightarrow \text{VAR}$ 

 $\text{EXP5} \rightarrow \text{\underline{TRUE}}$ 

 $\text{EXP5} \rightarrow \text{FALSE}$ 

 $\text{EXP5} \rightarrow \underline{\text{PAP}} \text{ EXP0 } \underline{\text{PCIERRE}}$ 

 $OP0 \rightarrow \underline{MAS}$ 

 $OP0 \rightarrow \underline{MENOS}$ 

 $OP2 \rightarrow \underline{MAY}$ 

 $OP2 \rightarrow \underline{MEN}$ 

 $OP2 \rightarrow MAYI$ 

 $\mathrm{OP2} \to \underline{\mathrm{MENI}}$ 

 $OP2 \rightarrow IGUAL$ 

 $OP2 \rightarrow \underline{DIST}$ 

 $\begin{array}{c} \text{OP3} \rightarrow \underline{\text{POR}} \\ \text{OP3} \rightarrow \underline{\text{DIV}} \end{array}$ 

#### 2.1.4. Primeros y siguientes

```
Los primeros de nuestra gramática son:
   PRIM(S) = \{NUM, BOOL\}
   PRIM(PROGRAMA) = \{NUM, BOOL\}
   PRIM(LDS) = \{NUM, BOOL\}
   PRIM(RLDS) = {NXT}
   PRIM(DECLARACION) = \{NUM, BOOL\}
   PRIM(LIS) = {VAR}
  PRIM(RLIS) = {NXT}
  PRIM(INSTRUCCION) = \{VAR\}
  PRIM(R0) = \{MAS, MENOS\}
  PRIM(R1) = \{AND,OR\}
  PRIM(EXP1) = {MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP}
  PRIM(EXP2) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}
  PRIM(R2) = \{MAY, MEN, MAYI, MENI, IGUAL, DIST\}
   PRIM(EXP3) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}
   PRIM(R3) = {POR, DIV, MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FAL-
SE, PAP
   PRIM(EXP4) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}
   PRIM(EXP5) = {NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP}
   PRIM(EXP0) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}
   PRIM(OP0) = \{MAS, MENOS\}
   PRIM(OP2) = \{MAY, MEN, MAYI, MENI, IGUAL, DIST\}
  PRIM(OP3) = \{POR, DIV\}
  Los siguientes son:
  SIG(S) = \{\varepsilon\}
  SIG(PROGRAMA) = \{EOF\}
   SIG(LDS) = {SEC}
   SIG(RLDS) = {SEC}
   SIG(DECLARACION) = \{NXT, SEC\}
   SIG(LIS) = {EOF}
   SIG(RLIS) = \{EOF\}
   SIG(INSTRUCCION) = \{NXT, EOF\}
  SIG(R0) = \{PCI, NXT, EOF\}
   SIG(R1) = \{PCI, MAS, MENOS, NXT, EOF\}
   SIG(EXP1) = \{PCI, MAS, MENOS, NXT, EOF\}
```

```
\begin{split} & \text{SIG}(\text{EXP2}) = \{\text{PCI, AND, OR, MAS, MENOS, NXT, EOF}\} \\ & \text{SIG}(\text{R2}) = \{\text{PCI, AND, OR, MAS, MENOS, NXT, EOF}\} \\ & \text{SIG}(\text{EXP3}) = \{\text{PCI, MAY, MEN, MAYI, MENI, IGUAL, DIST, AND, OR, MAS, MENOS, NXT, EOF}\} \end{split}
```

$$\label{eq:SIGR3} \begin{split} &\mathrm{SIG}(\mathrm{R3}) = \{\mathrm{PCI}, \mathrm{MAY}, \mathrm{MEN}, \mathrm{MAYI}, \mathrm{MENI}, \mathrm{IGUAL}, \mathrm{DIST}, \mathrm{AND}, \mathrm{OR}, \\ &\mathrm{MAS}, \mathrm{MENOS}, \mathrm{NXT}, \mathrm{EOF}\} \end{split}$$

 $SIG(EXP4) = \{PCI, POR, DIV, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP, MAY, MEN, MAYI, MENI, IGUAL, DIST, AND, OR, MAS, MENOS, NXT, EOF\}$ 

 $SIG(EXP5) = \{PCI, POR, DIV, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP, MAY, MEN, MAYI, MENI, IGUAL, DIST, AND, OR, MAS, MENOS, NXT, EOF\}$ 

```
SIG(EXP0) = \{PCI, NXT, EOF\}
```

 $SIG(OP0) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}$ 

 $SIG(OP2) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}$ 

 $SIG(OP3) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}$ 

#### 2.1.5. Directores

Obtenidos los primeros y los siguientes podemos proceder a calcular los directores:

```
DIR(S \rightarrow Programa EOF) = \{NUM, BOOL\}
    DIR(Programa \rightarrow LDs \ \underline{SEC} \ LIs \ \underline{EOF}) = \{NUM, BOOL\}
    DIR(LDs \rightarrow Declaration RLDS) = \{NUM, BOOL\}
    DIR(RLDS \rightarrow NXT Declaration RLDS) = \{NXT\}
    DIR(RLDS \rightarrow \varepsilon) = \{SEC\}
    DIR(Declaracion \rightarrow NUM VAR) = \{NUM\}
    DIR(Declaration \rightarrow BOOL VAR) = \{BOOL\}
    DIR(LIs \rightarrow Instruccion RLIS) = \{VAR\}
    DIR(RLIS \rightarrow NXT Instruccion RLDS) = \{NXT\}
   DIR(RLIS \rightarrow \varepsilon) = \{EOF\}
    DIR(Instruccion \rightarrow VAR ASIG EXP0) = \{VAR\}
    DIR(EXP0 \rightarrow EXP1 R0) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE,
FALSE, PAP}
    DIR(R0 \rightarrow OP0 EXP1 R0) = \{MAS, MENOS\}
    DIR(R0 \rightarrow \varepsilon) = \{PCI, NXT, EOF\}
    DIR(EXP1 \rightarrow EXP2 R1) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, \}
FALSE, PAP}
    DIR(R1 \rightarrow AND EXP1 R1) = \{AND\}
    DIR(R1 \rightarrow \underline{OR} EXP2) = \{OR\}
```

```
DIR(R1 \rightarrow \varepsilon) = \{PCI, MAS, MENOS, NXT, EOF\}
    DIR(EXP2 \rightarrow EXP3 R2) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, \}
FALSE, PAP}
    DIR(R2 \rightarrow OP2 EXP3 R2) = \{MAY, MEN, MAYI, MENI, IGUAL,
DIST}
    DIR(R2 \rightarrow \varepsilon) = \{PCI, AND, OR, MAS, MENOS, NXT, EOF\}
    DIR(EX3 \rightarrow EXP4 R3) = \{MENOS, NOT, NUMR, VAR, TRUE, FAL-
SE, PAP}
    DIR(R3 \rightarrow OP3 EXP4 R3) = \{MUL,DIV\}
    DIR(R3 \rightarrow \varepsilon) = \{PCI, MAY, MEN, MAYI, MENI, IGUAL, DIST, AND, \}
OR, MAS, MENOS, NXT, EOF}
    DIR(EXP4 \rightarrow MENOS EXP4) = \{MENOS\}
    DIR(EXP4 \rightarrow NOT EXP5) = \{NOT\}
    DIR(EXP4 \rightarrow EXP5) = \{NUMR, VAR, TRUE, FALSE, PAP\}
    DIR(EXP5 \rightarrow \underline{NUMR}) = \{NUMR\}
    DIR(EXP5 \rightarrow \underline{VAR}) = \{VAR\}
    DIR(EXP5 \rightarrow \underline{TRUE}) = \{TRUE\}
    DIR(EXP5 \rightarrow \underline{FALSE}) = \{FALSE\}
    DIR(EXP5 \rightarrow \underline{PAP} EXP0 \underline{PCIERRE}) = \{PAP\}
    DIR(OP0 \rightarrow MAS) = \{MAS\}
    DIR(OP0 \rightarrow \underline{MENOS}) = \{MENOS\}
    DIR(OP2 \rightarrow MAY) = \{MAY\}
    DIR(OP2 \rightarrow \underline{MEN}) = \{MEN\}
    DIR(OP2 \rightarrow MAYI) = \{MAYI\}
    DIR(OP2 \rightarrow \underline{MENI}) = \{MENI\}
    DIR(OP2 \rightarrow IGUAL) = \{IGUAL\}
    DIR(OP2 \rightarrow DIST) = \{DIST\}
    DIR(OP3 \rightarrow POR) = \{POR\}
    DIR(OP3 \rightarrow DIV) = \{DIV\}
```

# Fase 3: Analizador sintáctico ascendente

En esta fase desarrollaremos una versión diferente del analizador sintáctico, esta vez ascendente LR. Se implementará con JLex y Cup haciendo uso de la gramática incontextual desarrollada en la fase 2.

## Fase 4: Construcción de árboles de sintaxis abstracta

En esta fase desarrollaremos los constructores ascendentes y descendentes del árbol de sintaxis abstracta de la práctica.

#### 4.1. Funciones constructoras

Lo primero que debemos hacer es simplificar la gramática incontextual desarrollada en la fase 2, eliminando las estructuras introducidas con el propósito de evitar ambigüedades. Esta es la gramática resultante de la simplificación:

 $Programa \rightarrow LDs \underline{SEC} LIs$ 

 $\mathrm{LDs} \to \mathrm{LDs} \ \underline{\mathrm{NXT}} \ \underline{\mathrm{NUM}} \ \underline{\mathrm{VAR}} \mid \mathrm{LDs} \ \underline{\mathrm{NXT}} \ \underline{\mathrm{BOOL}} \ \underline{\mathrm{VAR}} \mid \underline{\mathrm{NUM}} \ \underline{\mathrm{VAR}} \mid \mathrm{BOOL} \ \mathrm{VAR}$ 

 $LIs \rightarrow LIs \ \underline{NXT} \ \underline{VAR} \ \underline{ASIG} \ EXP$ 

 $\begin{array}{c} \operatorname{EXP} \to \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{MAS}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{MENOS}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{AND}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \\ \operatorname{\underline{OR}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{MAY}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{MENO}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{MAYI}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \\ \operatorname{\underline{MENI}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{IGUAL}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{DIST}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \ \operatorname{\underline{POR}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{EXP} \\ \operatorname{\underline{DIV}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{\underline{MENOS}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{\underline{NOT}} \ \operatorname{EXP} \mid \operatorname{\underline{NUMR}} \mid \operatorname{\underline{VAR}} \mid \operatorname{\underline{TRUE}} \mid \operatorname{\underline{FALSE}} \mid \operatorname{\underline{PAP}} \ \operatorname{\underline{EXP}} \ \operatorname{\underline{PCIERRE}} \end{array}$ 

Una vez tenemos esta nueva gramática podemos obtener los constructores. Cada producción semánticamente significativa representa una función constructora. En la tabla 4.1 podemos ver la lista de constructores obtenidos.

Regla	Constructora
$Programa \rightarrow LDs $ $SEC $ $LIs $	programa: LDs X LIs $\rightarrow$ Programa
$LDs \rightarrow LDs \ \underline{NXT} \ \underline{NUM} \ \underline{VAR}$	$\mathbf{dnCompuesta} : \mathrm{LDs} \ \mathrm{X} \ \mathrm{String} \to \mathrm{LDs}$
$LDs \rightarrow LDs \ \underline{NXT} \ \underline{BOOL} \ \underline{VAR}$	$\mathbf{dbCompuesta} : \mathrm{LDs} \ \mathrm{X} \ \mathrm{String} \to \mathrm{LDs}$
$LDs \rightarrow \underline{NUM} \ \underline{VAR}$	$\mathbf{dnSimple} \colon \mathrm{String} \to \mathrm{LDs}$
$LDs \rightarrow \underline{BOOL} \ \underline{VAR}$	$\mathbf{dbSimple} : \mathrm{String} \to \mathrm{LDs}$
$LIs \rightarrow LIs \underline{NXT} \underline{VAR} \underline{ASIG} \underline{EXP}$	lis: LIs X String X EXP $\rightarrow$ LIs
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{MAS}} \ \text{EXP}$	suma: EXP X EXP $\rightarrow$ EXP
$\text{EXP} \rightarrow \text{EXP} \ \underline{\text{MENOS}} \ \text{EXP}$	$\mathbf{resta} \colon EXP \; X \; EXP \to EXP$
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{AND}} \ \text{EXP}$	$\mathbf{conj} \colon EXP \ X \ EXP \to EXP$
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{OR}} \ \text{EXP}$	$\mathbf{disy} \colon EXP \; X \; EXP \to EXP$
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{MAY}} \ \text{EXP}$	$\mathbf{mayor} \colon EXP \; X \; EXP \to EXP$
$\text{EXP} \rightarrow \text{EXP} \ \underline{\text{MEN}} \ \text{EXP}$	menor: EXP X EXP $\rightarrow$ EXP
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{MAYI}} \ \text{EXP}$	mayori: EXP X EXP $\rightarrow$ EXP
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{MENI}} \ \text{EXP}$	menori: EXP X EXP $\rightarrow$ EXP
$\text{EXP} \rightarrow \text{EXP} \ \underline{\text{IGUAL}} \ \text{EXP}$	igual: EXP X EXP $\rightarrow$ EXP
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{DIST}} \ \text{EXP}$	<b>distinto</b> : EXP X EXP $\rightarrow$ EXP
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{POR}} \ \text{EXP}$	$\mathbf{mul} \colon EXP \; X \; EXP \to EXP$
$\text{EXP} \to \text{EXP} \ \underline{\text{DIV}} \ \text{EXP}$	$\mathbf{div} \colon \mathrm{EXP} \ \mathrm{X} \ \mathrm{EXP} \to \mathrm{EXP}$
$\text{EXP} \to \underline{\text{MENOS}} \text{ EXP}$	$\mathbf{signo} \colon \mathrm{EXP} \to \mathrm{EXP}$
$\text{EXP} \to \underline{\text{NOT}} \text{ EXP}$	$\mathbf{neg} \colon \mathrm{EXP} \to \mathrm{EXP}$
$\text{EXP} \rightarrow \underline{\text{NUMR}}$	$\mathbf{real} \colon String \to EXP$
$\text{EXP} \to \underline{\text{VAR}}$	$id: String \rightarrow EXP$

Cuadro 4.1: Constructoras