uc3m | Universidad Carlos III de Madrid

Grado en Estadística y Empresa 2021-2022

Trabajo Fin de Grado

"Predicción probabilística de la producción eólica en Cádiz"

Javier Cárdenas Serres

Tutor Ricardo Aler Mur

DETECCIÓN DEL PLAGIO

La Universidad utiliza el programa **Turnitin Feedback Studio** para comparar la originalidad del trabajo entregado por cada estudiante con millones de recursos electrónicos y detecta aquellas partes del texto copiadas y pegadas. Copiar o plagiar en un TFG es considerado una **Falta Grave**, y puede conllevar la expulsión definitiva de la Universidad.



Esta obra se encuentra sujeta a la licencia Creative Commons **Reconocimiento - No Comercial - Sin Obra Derivada**

RESUMEN

Falta escribir resumen

ÍNDICE GENERAL

1. INTRODUCCIÓN	1
2. LA PRODUCCIÓN Y PREDICCIÓN DE ENERGÍA EÓLICA	2
2.1. Energía eólica en España	2
2.1.1. Ventajas e inconvenientes	3
2.2. Modelo numérico para la predicción meteorológica	3
3. PREDICCIÓN PROBABILÍSTICA	4
3.1. Función de pérdida Smooth Pinball	5
3.2. Intervalos a predecir	7
3.3. Métricas de evaluación	7
3.3.1. Quantile Score	7
3.3.2. Prediction Interval Coverage Probability	7
3.3.3. Average Coverage Error	7
3.3.4. Interval Score	7
4. METODOLOGÍA Y FUENTE DE DATOS	9
4.1. Fuente de datos	9
4.1.1. Variable a predecir	9
4.1.2. Variables de entrada	9
4.1.3. Preproceso	10
4.2. Metodología	11
4.2.1. Regresión cuantílica	11
4.2.2. Perceptrón multicapa	11
4.2.3. Long short-term memory	12
5. RESULTADOS	15
5.1. Resultados en el entrenamiento y la validación	15
5.2. Resultados en el test	15
5.3. Optimización de hiperparámetros	16
5.4. Otras pruebas de interés	
5.4.1. Smooth Pinball vs Pinball	

	5.4.2. Spread vs Non Spread	17
	5.4.3. Todos los datos vs la propia variable predictiva	17
6.	CONCLUSIONES	19

1. INTRODUCCIÓN

Desde que se implantó por primera vez un aerogenerador en 1984, la energía eólica ha ido aumentando su capacidad productiva, hasta ser en 2021 la principal fuente de electricidad en España.

Sin embargo, a pesar de ser una fuente de energía limpia y sostenible, las corrientes de aire son variantes y poco estables, haciendo que la producción de energía eólica sea difícil de predecir e impidiendo establecer una oferta óptima en la subastas de electricidad que se llevan a cabo diariamente en España.

El principal objetivo de este trabajo es desarrollar un algoritmo que permita hacer predicciones probabilísticas sobre la producción de energía eólica que, al contrario que la predicción puntual, permita obtener la distribución de la producción futura esperada, aportando más información sobre el valor esperado y mejorando la toma de decisiones respecto a la cantidad a ofertar por las productoras de energía eólica.

Si bien hay diferentes maneras de hacer predicciones probabilísticas, en este trabajo en concreto, nos centraremos en la predicción cuantílica, de la que podremos sacar intervalos y estimar los posibles rangos en los que se debería encontrar la variable estimada en el futuro.

Además, las predicciones de generación de electricidad se harán para toda la región de Cádiz.

El trabajo está estructurado de la siguiente manera: En 2 se analiza la evolución y el papel de la energía eólica en España, además del sistema de predicción de las variables meteorológicas y el organismo encargado. En 3 se hace una descripción de la predicción probabilística, así como las funciones de pérdida y las métricas utilizadas. En la siguiente sección 4 se detalla la fuente de datos y la metodología utilizada para este trabajo. En 5 se comparan los resultados obtenidos por los diferentes algoritmos utilizados y se exponen algunos experimentos realizados. Por último, en 6 se resumen las principales conclusiones del estudio y el trabajo futuro.

2. LA PRODUCCIÓN Y PREDICCIÓN DE ENERGÍA EÓLICA

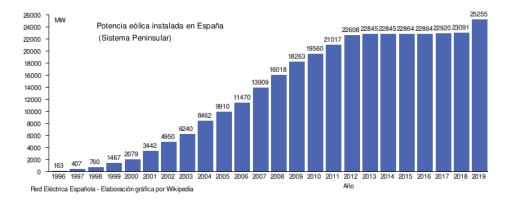
En este apartado veremos algunas de las características más importantes de la generación de energía eólica y algunos de los método utilizados para sus predicciones.

2.1. Energía eólica en España

La energía eólica es aquella que se obtiene a partir de las corrientes de aire. Actualmente esto se consigue a través de los aerogeneradores, transformando la energía cinética en energía mecánica. Es, además, una energía limpia, sostenible y se encuentra dentro de la categoría de energías renovables.

Desde que la cooperativa Ecotècnia instalase el primer aerogenerador en España en 1984 como posible alternativa a la energía nuclear hasta 2012, la eólica ha tenido un crecimiento constante....





Fuente: Wikipedia

En 2021 la eólica pasó a ser la principal fuente de producción eléctrica en España con un porcentaje del 23 % sobre el total producido y representando mitad de la energía producida por las renovables, que fueron un 46 % en 2021

Citar fuente red eléctrica.

citar histo-

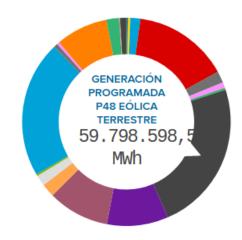
ria de

aero-

gene-

rador.

Figura 2.2Generación de electricidad eólica respecto al resto de fuentes en 2021



Fuente: Esios

2.1.1. Ventajas e inconvenientes

Uno de los mayores problemas es que, a pesar de ser actualmente la principal fuente de energía en España, su producción es bastante impredecible ya que depende de las características temporales del momento y estas a su vez son muy difíciles de estimar. Esto afecta directamente en la toma de decisiones a la hora de saber cuánta cantidad de energía ofertar para el día siguiente en las subastas de electricidad que se hacen diariamente en España. . . .

Añadir cita.

2.2. Modelo numérico para la predicción meteorológica

El matemático Lewis Fry Richardson fue la primera persona en proponer un modelo numérico para la predicción meteorológica (NWP, por sus siglas en inglés) en 1922 No obstante, no fue hasta el inicio de los ordenadores en 1950 cuando se pudo hacer por primera vez las primeras predicciones meteorológicas utilizando métodos numéricos simples.

Desde entonces, el avance de los ordenadores ha permitido que se mejoren las técnicas de predicción de variables meteorológicas. El Centro Europeo de Previsiones Meteorológicas a Plazo Medio (ECMWF, por sus siglas en inglés) es la organización en Europa que, mediante el uso de métodos numéricos, se encarga de hacer las previsiones meteorológicas a medio plazo.

Como se detalla más adelante, las variables meteorológicas de entrada que se utilizarán para los modelos vendrán de ECMWF. citarle
con su
libro
Weather
prediction
numerical
process.

citar fuente.

Añadir refe-rencia.

3. PREDICCIÓN PROBABILÍSTICA

En esta sección se definirá la predicción probabilística y se detallarán algunos de las ventajas más importantes respecto a las predicciones puntuales.

Al contrario que la predicción puntual, la predicción probabilista aporta más información permitiendo obtener la distribución de la producción futura y mejorando la toma de decisiones respecto a la cantidad a ofertar por las productoras de energía.

Si bien existen diferentes maneras de hacer predicciones probabilísticas, en este trabajo nos centraremos en la predicción cuantílica para luego poder sacar la distribución de la variable a predecir.

Fue en 1978 cuando, en busca de una alternativa robusta al estimador de mínimos cuadrados, Koenker y Basset desarrollaron una nueva regresión lineal que tuviese en cuenta, en vez de la media, la mediana por ser un estimador robusto y no dependiente de los valores extremos que pueda existir en una muestra....

A esta nueva regresión la llamaron la regresión cuantílica. La regresión cuántilica tiene como función dado el error 3.1, minimizar la función 3.2.

$$\xi = y - \hat{y} \tag{3.1}$$

$$p_{\tau}(\xi) = \begin{cases} \tau \xi \operatorname{si} \xi \ge 0, \\ (\tau - 1)\xi \operatorname{si} \xi < 0. \end{cases}$$
 (3.2)

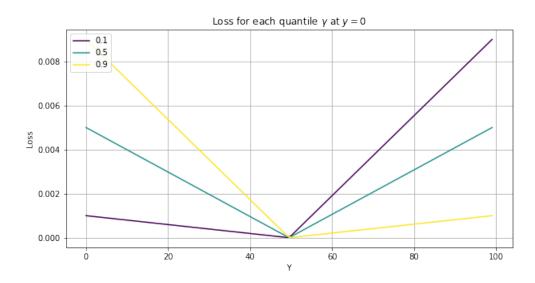
Donde τ es el cuantil que se quiere predecir. Como podemos ver, la función penaliza más cuando el cuantil alto/bajo predicho se encuentra por debajo/encima de la variable observada para y=0.

En la siguiente imagen podemos ver en más detalle que valores toma esta función según el cuantil predicho y al variable observada, prediciendo los cuantiles 0.1 y 0.9.

Añadir referencia de los dos estudios.

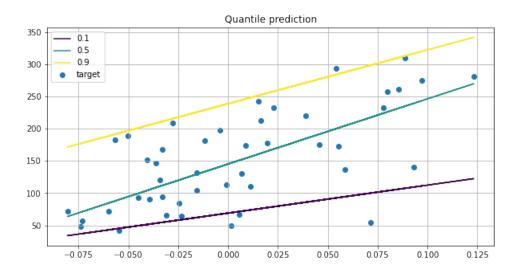
Añadir referencia de Koenker

Figura 3.1 *Función de pérdida Pinball*



Y en la siguiente imagen se muestra cómo quedaría una predicción cuantílica de la variable observada.

Figura 3.2 *Ejemplo de la predicción de quantiles*



La ecuación 3.2, también se la suele llamar función de coste Pinball.

3.1. Función de pérdida Smooth Pinball

Uno de los problemas de la función de pérdida utilizada para la regresión cuantílica es que no es derivable en 0 y por tanto no se puede utilizar en modelos que utilizan el descenso de gradiente para optimizar los pesos. Por esta razón en se desarrolla una

nueva función de coste que permite ser utilizada en modelos que utilicen el descenso de gradiente.

Una de las ventajas de esta función es que nos permite ponerla en modelos de redes neuronales además de los típicos modelos simples como la regresión lineal

Añadir cita.

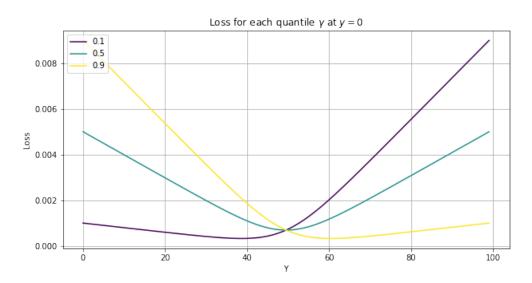
La función de coste Smooth Pinball quedaría definida como:

$$S_{\tau,\alpha}(\xi) = \tau \xi + \alpha \log(1 + e^{-\frac{\xi}{\alpha}}) \tag{3.3}$$

Donde $\alpha > 0$ es el parámetro smoothing.

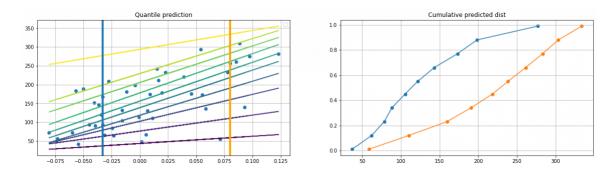
En la siguiente Figura se muestra el coste obtenido por un cuantil y una predicción dada.

Figura 3.3Función de pérdida Smooth Pinball



Juntando las predicciones cuantílicas podemos generarnos una función de distribución acumulada de la variable a predecir como aparece en la siguiente figura.

Figura 3.4Función de distribución acumulada a partir de las predicciones



3.2. Intervalos a predecir

Si bien se han probado a predecir diferentes rangos, finalmente en este trabajo se van a predecir los siguientes intervalos: 95 %, 90 %, 80 %y70 %

Para hacer la predicción de dichos intervalos, se van a predecir los siguiente cuantiles: 0,025; 0,05; 0,1; 0,15; 0,85; 0,9; 0,95y0,975.

3.3. Métricas de evaluación

Las métricas utilizadas en este trabajo para medir el acierto de los modelos son las utilizadas también en el estudio original del Smooth Pinball Loss function Estas son:

Citar estudio.

3.3.1. Quantile Score

Utilizando la función de pérdida Pinball para todas las muestras obtenemos el quantile score (QS) y será la métrica principal que utilizaremos para evaluar los modelos.

$$QS = \sum_{t=1}^{N} \sum_{m=1}^{M} p_{tm} (y_t - \hat{q}_t^{\tau_m})$$
 (3.4)

3.3.2. Prediction Interval Coverage Probability

En este estudio haremos uso también de la predicción por intervalos, esto es: Predicir un intervalo donde creemos que se pueda encontrar la variable a predecir.

Para estos casos también será útil utilizar la función PICP.

$$PICP_{i} = \frac{1}{N} \sum_{t=1}^{N} \mathbb{1} y_{t} \in I_{t}^{\beta_{i}}(x_{t})$$
 (3.5)

3.3.3. Average Coverage Error

Otra métrica utilizada para visualizar el resultado de los modelos es el ACE:

$$ACE = \sum_{i=1}^{\frac{M}{2}} |PICP_i - 100(1 - \beta_i)|$$
 (3.6)

3.3.4. Interval Score

Por último, utilizaremos la métrica Interval Score (IS) que tiene en cuenta la anchura de los intervalos. En muchas ocasiones querremos no solo que la variable predicha se

encuentre dentro del intervalo, sino también que este intervalo sea lo más estrecho posible (cuanto más estrecho mayor confianza en las predicciones).

$$IS = \frac{2}{NM} \sum_{t=1}^{N} \sum_{i=1}^{\frac{M}{2}} (u_t^{\beta_i} - l_t^{\beta_i}) + \frac{2}{\beta_i} (l_t^{\beta_i} - y_t) \mathbb{1}(y_t < l_t^{\beta_i}) + \frac{2}{\beta_i} (y_t - u_t^{\beta_i}) \mathbb{1}(y_t > u_t^{\beta_i})$$
(3.7)

4. METODOLOGÍA Y FUENTE DE DATOS

4.1. Fuente de datos

Los datos utilizados en el trabajo se han sacado de dos fuentes diferentes:

- 1. *ESIOS*: Es el sistema de información desarrollado por Red Eléctrica y contiene la información relevante sobre el mercado eléctrico en España.
- 2. *ECMWF*: El Centro Europeo de Previsiones Meteorológicas (ECMWF, por sus siglas en inglés).

4.1.1. Variable a predecir

La variable a predecir es la generación de energía eólica horaria en la región de Cádiz desde 2015 a 2018. La razón de utilizar este intervalo es que, durante este periodo, la capacidad instalada de eólica se mantuvo constante y por tanto no es necesario hacer ningún tipo de ajuste en los datos.

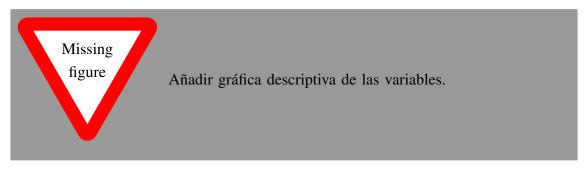
4.1.2. Variables de entrada

Las variables de entrada se han sacado de ECMWF y son:

- 10 y 100m u-component of wind: La velocidad, en metros por segundo, del movimiento del aire en dirección este a 10 y 100m sobre la superficie terrestre.
- 10 y 100m v-component of wind: La velocidad, en metros por segundo, del movimiento del aire en dirección norte a 10 y 100m sobre la superficie terrestre.
- 2m temperature: Es la temperatura del aire a dos metros sobre el nivel del mar.
- Surface pressure: La presión de la atmósfera en la superficie terrestre.
- Norma de la velocidad a 10m y 100m: Es una variable calculada a partir de las variables u-component y v-component of wind. Se calcula de la siguiente forma, donde i = 10, 100:

$$n_i = \sqrt{u_i^2 + v_i^2}$$

 Hora, día y mes: Se han añadido 3 variables temporales por si pudiesen resultar de interés. ECMWF nos da los valores (reales y estimados) de estas variables por cuadrantes de 30km. Teniendo esto en cuenta, para la región de Cádiz hay 9 cuadrantes por lo que tendremos 9 estimaciones de las variables mencionadas para cada intervalo de tiempo. Esto hace un total de 75 variables de entrada ((9 * 8) + 3 = 75).



Mean y Spread

Recordemos que las variables que se encuentran en el ECMWF son el resultado de una combinación de predicciones. Actualmente ECMWF permite obtener tanto la media como la desviación de la combinación de sus modelos.

Las 75 variables mencionadas anteriormente solo son asumiendo que estamos utilizando la media de los modelos. No obstante, podría pensar en añadirse también las variables de desviación, lo que añadiría 36 variables nuevas (9 * 6 = 36, quitando las dos normas) al total de variables de entrada.

En principio la combinación de ambos estimadores (tanto la media como la desviación de la combinación de los modelos) parece ser interesante, así que se ha decidido en este trabajo también dedicar un apartado (ver Sección 5.4.2) a la comprobación y al análisis de la bondad de estos estimadores.

4.1.3. Preproceso

Como hemos mencionado anteriormente, los datos de producción eólica sacados de ESIOS son cada hora, mientras que las variables que se utilizan para predecir el viento son cada tres. Por este motivo, se han agrupado los datos de la producción eólica cada tres horas, sumando durante ese intervalo toda la energía generada.

Una vez hemos sincronizado las variables de entrada con la variable a predecir, haremos una separación entre los datos de entrenamiento, los datos de validación y los datos de test (80/10/10 respectivamente).

Cabe mencionar que se han normalizado los datos de entrada para acelerar y mejorar el entrenamiento de la red. . . .

Citar: Normalization Techniques

Trai-

4.2. Metodología

En este apartado detallaremos los algoritmos utilizados para hacer las predicciones.

De menor a mayor complejidad tendremos los siguientes modelos:

- Regresión cuantílica: este será nuestro algoritmo de referencia y veremos si podemos mejorarlo. Se trata de un modelo simple, lineal. A partir de este modelo podremos ver si el aumento en la complejidad de los algoritmos es justificable.
- **Perceptrón multicapa**: Como primera acercamiento a las redes neuronales y a algoritmos no lineales, se probará una red con múltiples capas.
- LSTM: Por último, se utilizará una red recurrente, en concreto la LSTM por su idoneidad con el problema a resolver.

Por simplicidad se ha probado primero una única versión de cada algoritmo (sin hacer ningún cambio en los hiperparámetros) y una vez se ha evaluado cuál es el mejor algoritmo, se ha procedido a hacer una optimización de los hiperparámetros.

4.2.1. Regresión cuantílica

Como hemos mencionado anteriormente la regresión cuantílica fue desarrollada por Koenker y Basset con el objetivo de evitar hacer asunciones sobre la distribución de los errores de una regresión lineal....

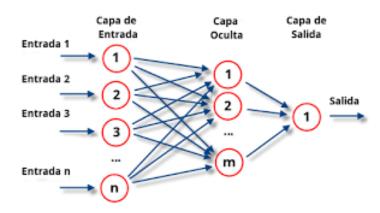
Este modelo será el más sencillo que utilicemos y lo utilizaremos como base para comparar los modelos más complejos y evaluar si finalmente el aumento de complejidad en el modelo esta justificado y respaldado por una mejora en las métricas de evaluación con respecto al modelo de regresión lineal cuantílica.

Citar estudio.

4.2.2. Perceptrón multicapa

El perceptrón multicapa es un tipo de red neuronal y está formado al menos por tres capas: La capa de entrada, la capa oculta y la capa de salida, como se puede venir en la siguiente Figura:

Figura 4.1 *Ejemplo de estructura de un perceptrón multicapa*



Fuente: Wikipedia

A diferencia del modelo anterior, el percentrón multicapa es un algoritmo más complejo y puede utilizarse para en datos que no son linealmente separables.

Este algoritmo tiene los siguientes hiperparámetros:

- Número de capas ocultas: Para este trabajo se ha fijado a 2.
- Número de neuronas por capa: El número de neuronas por cada capa serán 50 y 20 respectivamente. La razón de que se haya fijado a 50 el número de neuronas en la primera capa oculta, teniendo en cuenta que las variables de entrada son 75 es para ver si la red es capaz de reducir las dimensiones sin perder la información y al mismo tiempo evitando tener que hacer un PCA o un algoritmo similar para reducir la dimensionalidad de las variables de entrada.
- Optimizador a utilizar: Se ha utilizado el algoritmo de *Adam*, con un learning rate de 0.001. Y las betas que da por defecto la función de optimización de *PyTorch*.

4.2.3. Long short-term memory

Por último utilizaremos un algoritmo más complejo, la LSTM. Las LSTM forman parte del conjunto de redes neuronales recurrentes. Fueron introducidas por primera vez por Hochreiter y Schmidhuber . . . en 1997 y fueron adaptadas y mejoradas posteriormente por un conjunto amplio de personas. . . .

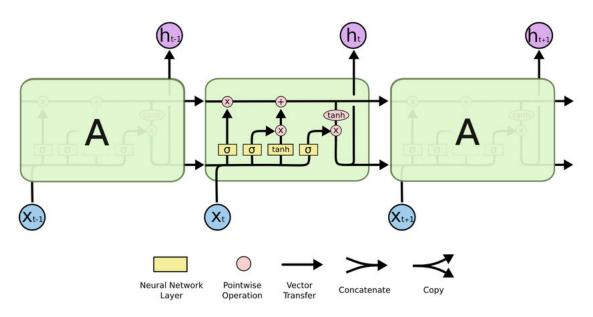
Se ha decidido introducir este algoritmo en el trabajo debido a su capacidad de aprender relaciones a largo plazo, especialmente en problemas de predicción secuencial....

Citar estudio LSTM

Citar estudio LSTM

dio

Figura 4.2 *Ejemplo de estructura de una LSTM*

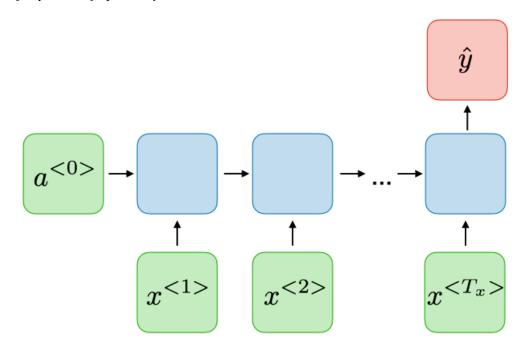


Fuente: Colah's Blog

Debido a la naturaleza de este algoritmo y sabiendo que es necesario pasarle una secuencia, se ha decidido utilizar un enfoque many-to-one \dots , esto es, introducir en el input del modelo una secuencia de los datos con los n datos anteriores y tratar de predecir un único valor, en este caso un cuantil.

Citar estudio seq2point.

Figura 4.3 *Ejemplo de enfoque many-to-one*



Fuente: Standford.edu

Como en los algoritmos anteriores, en la LSTM, por simplicidad, solo se probará una única combinación de hiperparámetros y en el caso de que sea el algoritmo que mejores resultados obtenga, se hará una optimización de hiperparámetros.

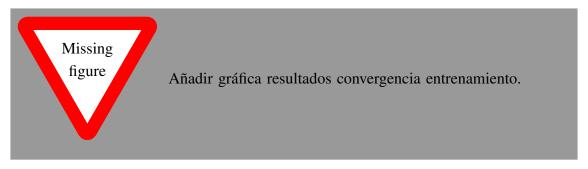
- Número de capas ocultas: Para este trabajo se ha fijado a 2.
- Número de estados ocultos: Se ha fijado al mismo número que las variables de entrada.
- Optimizador a utilizar: Se ha utilizado el algoritmo de *Adam*, con un learning rate de 0.0001 y las mismas betas que se ponen por defecto en *PyTorch*.
- Número de observaciones hacia atrás: Otra de las variables importantes a tener en cuenta en la LSTM es el número de datos que le pasamos hacia atras. En la primera prueba se ha decidido fijar a 6, esto es, utilizará los últimos 6 datos observados de cada uno de los inputs para predecir la producción. Como nuestros datos son cada 3 horas, miraremos los valores de las variables meteorológicas 18h hacia atrás.

5. RESULTADOS

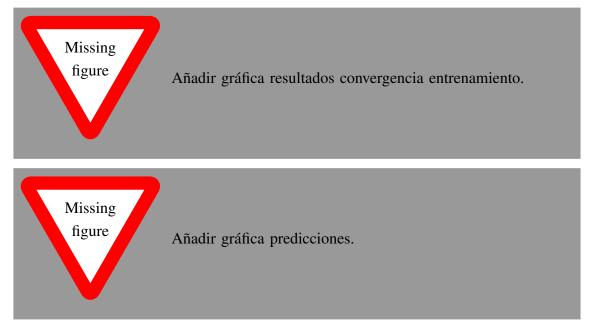
En este apartado se analizarán los resultados obtenidos por los modelos probados.

5.1. Resultados en el entrenamiento y la validación

Los tres algoritmos parecen converger en el entrenamiento y no parecen estar sobreajustados.



El algoritmo que mejores resultados parece obtener es la LSTM. Esto también se puede ver en la gráfica de predicciones X. La LSTM parece tener unas predicciones de intervalos más estrechas.

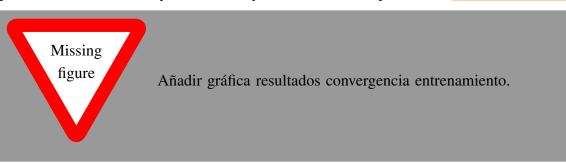


5.2. Resultados en el test

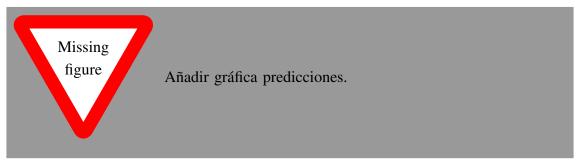
A continuación se muestran los resultados obtenidos en el test.

Como podemos ver, la LSTM parece ser la que mejores resultados obtiene. Esto no es

de sorprender si tenemos en cuenta que se trata de un algoritmo específicamente diseñado para secuencias de datos y funciona muy bien en series temporales. . . .



Citar estudio bondades LSTM.



5.3. Optimización de hiperparámetros

Como hemos visto en el apartado anterior, los resultados parecen indicar que el modelo que mejor funciona en estos casos es la LSTM.

En este apartado haremos una optimización de los hiperparámetros de la red y veremos que combinación de hiperparámetros es la que mejores resultados obtiene.

Al mismo tiempo evaluaremos la bondad de los variables, comparando los resultados obtenidos por la red utilizando todas las variables vs utilizando como única variable de entrada la propia producción de energía eólica en la región de Cádiz.

Una vez hemos comparado los resultados obtenidos, vamos a hacer una optimización de los hiperparámetros

5.4. Otras pruebas de interés

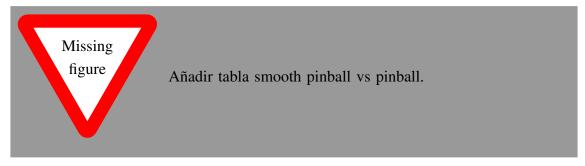
Además de las pruebas mencionadas hasta ahora, se han realizado una serie de comprobaciones y análisis que se consideraba necesario para evaluar la bondad y la capacidad de los algoritmos propuestos.

5.4.1. Smooth Pinball vs Pinball

En un primer lugar, se ha tratado de comparar las diferencias en los resultados que puede ocasionar utilizar una función de pérdida u otra. Como se ha mencionado, la función de pérdida Pinball no es diferenciable en 0, por lo que podría dar problemas en la propagación *backward* a la hora de actualizar los pesos, no obstante es difícil que esto ocurra y por lo general no debería haber problemas en caso de utilizar una u otra.

A continuación se muestran los resultados obtenidos por el algoritmo LSTM (se ha decidido utilizar únicamente este algoritmo porque era el que mejores resultados obtenía).

Como podemos ver la LSTM que utiliza la función de pérdida Smooth Pinball parace obtener mejores resultados.

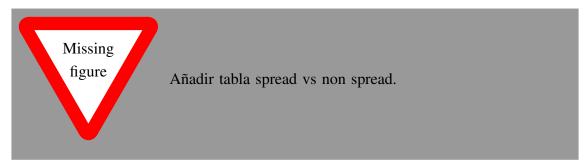


5.4.2. Spread vs Non Spread

Como hemos mencionado en el apartado X, en este apartado trataremos de analizar si existe alguna mejora en los resultados del modelo si utilizamos, además del estimador de la media de los modelos, el spread, esto es, su desviación.

En principio la desviación entre modelos podría ser interesante para el algoritmo ya que permite podría ampliar el intervalo cuantílico cuando existe una mayor discrepancia entre las predicciones de las variables de los modelos.

Como se muestra en la tabla X los resultados parecen indicar que existe una ligera mejora entre utilizar los datos de spread y no utilizarlos.



5.4.3. Todos los datos vs la propia variable predictiva

Una vez visto que la LSTM era el modelo que mejores resultados obtenía, también se ha probado a utilizar la producción de energía eólica como única variable para determinar si las variables de los modelos aportan una mayor información.



6. CONCLUSIONES

En 2021 la eólica fue la principal fuente de energía eléctrica en España. No obstante, a pesar de su importancia, en la actualidad sigue resultando difícil hacer estimaciones sobre la posible producción futura (a un día vista) debido a la complejidad y a la naturaliza caótica del viento.

Por ello en este trabajo se han realizado predicciones probabilísticas de la generación de energía eólica en la región de Cádiz durante los años 2015-2018 con el fin de tener una cantidad mayor de información a la hora de tomar decisiones respecto a la cantidad a ofertar al día siguiente en la subasta eléctrica.

Para hacer estas predicciones, se han utilizado distintos modelos, comparando sus resultados con distintas métricas de evaluación. El modelo que mejores resultados obtiene parece ser la LSTM utilizando todas las variables de entradas y mirando 6 días hacia atrás.

Además, se ha comprobado que la función de coste Smooth Pinball obtiene mejores resultados que la función de coste Pinball.

Si bien los resultados todavía podrían mejorarse, añadiendo nuevas variables o con modelos algo más complejos, creemos que la LSTM actual podría ser lo suficientemente buena como para testearla en otras regiones de España.