

# Análisis Cinético

## Ecuaciones de movimiento

1. Y - C:

$$W_c - C = m_c \bar{a}_c \Rightarrow C = m_c(g - \bar{a}_c) \quad (1)$$

2. X - BC:

$$B_x = m_{BC} \cdot (\bar{a}_{BC})_x \quad (2)$$

3. Y - BC:

$$B_y - W_R - C = m_{BC} \cdot (\bar{a}_{BC})_y \Rightarrow B_y = m_{BC}(g + (\bar{a}_{BC})_y) + C \quad (3)$$

4. Z - BC:

$$\frac{K}{2}(B_y \sin \beta - B_x \cos \beta + C \sin(\beta)) = I_{BC}^- \cdot \alpha_3 \quad (4)$$

5. X -  $O_1$ :

$$O_{1x} + A_x - B_x = m_{o_1}(\bar{a}_{o_1})_x \Rightarrow O_{1x} + A_x = m_{o_1}(\bar{a}_{o_1})_x + B_x \quad (5)$$

6. Y -  $O_1$ :

$$O_{1y} + A_y - B_y = m_{o_1}(\bar{a}_{o_1})_y \Rightarrow (O_1)_y + A_y = m_{o_1}(\bar{a}_{o_1})_y + B_y \quad (6)$$

7. Z -  $O_1$ :

$$\left(\frac{R}{2} - L\right)(A_x \sin \theta - A_y \cos \theta) - \frac{R}{2}(B_y \cos \theta + A \cos \theta - B_x \sin \theta - A_x \sin \theta) = I_{o_1}^- \cdot \alpha_1 \quad (7)$$

8. X -  $O_2$ :

$$(O_2)_x - A_x = m_r(\bar{a}_{o_2})_x \quad (8)$$

9. Y -  $O_2$ :

$$(O_2)_y - A_y - W_r = m_r(\bar{a}_{o_2})_y \quad (9)$$

10. Z -  $O_2$ :

$$\frac{r}{2} \cdot (A_x \sin \phi + (o_2)_x \sin \phi - A_y \cos \phi - (o_2)_y \cos \phi) = I_{o_2}^- \cdot \alpha_2 \quad (10)$$

## Aceleraciones Centroidales

### Eslabón $O_1 - B$

$$\bar{a}_{O_1} = \alpha_1 \frac{R}{2}, \text{ } \nabla \theta^\circ + \omega_1^2 \frac{R}{2}, \text{ } \nabla \theta^\circ \quad (11)$$

$$\bar{a}_{O_{1x}} = -\left(\alpha_1 \frac{R}{2} \sin \theta + \omega_1^2 \frac{R}{2} \cos \theta\right) \quad (12)$$

$$\bar{a}_{O_{1y}} = \alpha_1 \frac{R}{2} \cos \theta - \omega_1^2 \frac{R}{2} \sin \theta \quad (13)$$

### Eslabón $O_2$

$$\bar{a}_{O_2} = \alpha_2 \frac{r}{2}, \text{ } \nabla \theta^\circ + \omega_2^2 \frac{r}{2}, \text{ } \nabla \theta^\circ \quad (14)$$

$$\bar{a}_{O_{2x}} = -\left(\alpha_2 \frac{r}{2} \sin \theta + \omega_2^2 \frac{r}{2} \cos \theta\right) \quad (15)$$

$$\bar{a}_{O_{2y}} = \alpha_2 \frac{r}{2} \cos \theta - \omega_2^2 \frac{r}{2} \sin \theta \quad (16)$$

### Eslabón $B - C$

$$\ddot{a}_{BC} = a_c + \alpha_3 \frac{K}{2}, \dot{\beta}^o + \omega_3^2 \frac{K}{2}, \Delta \beta^o \quad (17)$$

$$\ddot{a}_{BC,x} = -\frac{K}{2}(\alpha_3 \cos \beta + \omega_3^2 \sin \beta) \quad (18)$$

$$\ddot{a}_{BC,y} = -a_c + \frac{K}{2}(\alpha_3 \sin \beta - \omega_3^2 \cos \beta) \quad (19)$$

donde  $\ddot{a}_c = \ddot{a}_c$

### Notas adicionales

Las ecuaciones anteriores describen el sistema completo de fuerzas y momentos actuando sobre el mecanismo. Para resolver el sistema, se necesita:

- Conocer las aceleraciones angulares  $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$
- Determinar las fuerzas de reacción  $A_x, A_y, B_x, B_y, C$
- Calcular las reacciones en el punto de apoyo  $O_1$
- Usar las aceleraciones centroidales para evaluar los términos iniciales