#### ENUNCIADOS DE ÁLGEBRA

Seleccione a su conveniencia, por cada tema, la pregunta que desea resolver haciendo una marca en el círculo al inicio del problema.

### **Operaciones con Matrices (Elegir 1 Pregunta)**

1. Sean las matrices:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 1 & 0 & -1 \end{bmatrix}, \qquad B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Si  $C = (A \cdot B)^t$ , calcule el determinante de C.

1. Dada la matriz:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -2 & 2 \\ 0 & 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

Calcule  $A^{-1}$ .

## Sistemas de Ecuaciones (Elegir 1 Pregunta)

- 2. Un inversionista desea comprar acciones de las compañías A, B, C y D. Atendiendo a los riesgos de cada una de empresas plantea la siguiente estrategia de inversión:
  - La suma del total de acciones a comprar de las 4 empresas será de 1400 acciones.
  - El doble de las acciones de C menos las acciones de D serán 800 acciones.
  - La suma de las acciones de A y B menos las de D serán 500 acciones.
  - Tres veces las acciones de A más las de C serán 1400 acciones.
  - a) Plantee el sistema de ecuaciones que modela este problema.
  - b) Si conoce que el sistema resultante es compatible determinado:

Calcule el número de acciones que comprará el inversionista de cada empresa aplicando alguno de los métodos de resolución estudiados en Álgebra.

- c) Realice las comprobaciones oportunas de los resultados obtenidos.
- 2. Dado el sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} x + y + z - t = 1000 \\ x - y + 2t = 300 \\ z - 2t = 100 \\ 3x + z = 1400 \end{cases}$$

- a) Resuelva el sistema de ecuaciones aplicando alguno de los métodos de resolución estudiados en Álgebra.
- b) Realice las comprobaciones oportunas de los resultados obtenidos.

#### ENUNCIADOS DE CÁLCULO

Seleccione a su conveniencia, por cada tema, la pregunta que desea resolver haciendo una palomita en el círculo al inicio del problema.

## Límites y Derivadas (Elegir 1 Pregunta)

3. Dada la función::

$$f(x) = \begin{cases} x+1; & x < 0 \\ e^x; & 0 \le x \le 1 \\ 2-x & x > 1 \end{cases}$$

Determine si la función es derivable en x = 0 y x = 1.

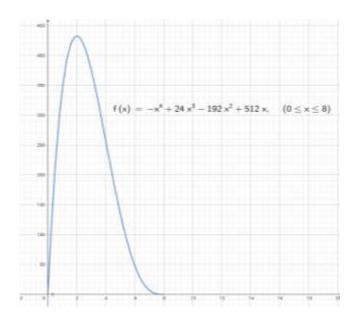
3. Dada la función

$$f(x) = \frac{(x-1)^2}{x-2}$$

Investigue si se puede aplicar el Teorema de Rolle en el intervalo [-1; 1].

#### Estudio de la Gráfica de una Función (Elegir 1 Pregunta)

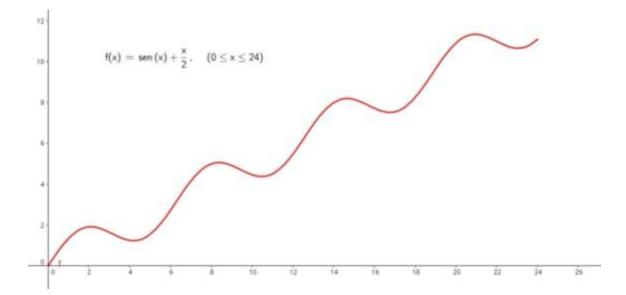
4. La función  $f(x) = -x^4 + 24x^3 - 192x^2 + 512x$ ;  $0 \le t \le 8$  modela la productividad de un trabajador en sus 8 horas de trabajo.



Determine, aplicando los conocimientos de derivadas, el instante de tiempo donde la productividad del trabajador es máxima.

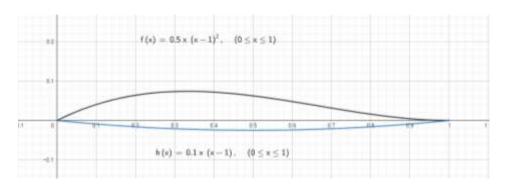
4. La función  $f(x) = \operatorname{sen}(x) + \frac{x}{2}$ ;  $0 \le x \le 24$ , que representa la previsión de producción (en miles de unidades) de una empresa para los próximos 24 meses y cuya gráfica se presenta a continuación.

Determine, aplicando los conocimientos de derivadas, el instante de tiempo donde se prevé que se producirán inflexiones en las ventas



# **Integrales (Elegir 1 Pregunta)**

5. Las funciones  $f(x) = 0.5x(x-1)^2$  y h(x) = 0.1x(x-1), x en metros, describen el perfil alar de un avión ultraligero motorizado.



Calcule el área de la sección transversal del ala.

5. Dadas las funciones:

Función de demanda:  $g(x) = \sqrt{1000^2 - x^2}$ 

Función de oferta: h(x) = x + 200

Si se conoce que el equilibrio de mercado de produce tras la venta de 600 unidades, calcule el Superávit de los Productores en el precio de equilibrio de mercado.

