

ESCUELA SUPERIOR POLITÉCNICA DEL LITORAL

Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador

FACULTAD DE CIENCIAS NATURALES Y MATEMÁTICAS

Estadística Multivariante

Elaborado por:

Diaz Romero Samuel Ismael sidiaz@espol.edu.ec

Ortiz Goya Kenia Sintike ksortiz@espol.edu.ec

Padilla Navarro Ashley Lissette ashlpadi@espol.ecu.ec

Sanyer Mosquera Wladimir Alejandro wsanyer@espol.edu.ec

Soledispa Soriano Madison Madeline madmsole@espol.edu.ec

Carrera:

Estadística

Dirigido por:

Dr. Johny Javier Pambabay Calero

GUAYAQUIL-ECUADOR

Agosto - 2020

ÍNDICE GENERAL

1.	Introducción	4
2.	Objetivos	4
2.1.	Objetivo general	4
2.2.	Objetivos específicos	4
3.	Fuente y Metodología	4
4.	Análisis Descriptivo de Datos	5
5.	Estadística Inferencial	10
5.1	Pruebas de Hipótesis e Intervalos de confianza	10
5.2	Análisis de contingencia	13
6.	Estadística Multivariante	15
	Incidencia de Pobreza	15
	Análisis Bivariante	15
	Análisis de Correspondencia	16
	Serie Temporal	17
	Severidad de Pobreza	19
	Análisis Bivariante	19
	Análisis de Correspondencia	19
	Serie temporal	20
	Incidencia de Extrema Pobreza	22
	Análisis Descriptivo	22
	Análisis de Componentes Principales	22
	Análisis Factorial	25
	Escalado Multidimensional	30
	Análisis de Correspondencia	32
Se	everidad extrema pobreza	35
	Análisis descriptivo	35

Diaz Romero Samuel Ismael, Ortiz Goya Kenia Sintike, Padilla Navarro Ashley Lissette, Sanyer Mosquera Wladimir Alejandro, Soledispa Soriano Madison Madeline

Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador

	Análisis de Componentes Principales	38
	Análisis Factorial	42
	Escalado Multidimensional	46
	Análisis de Correspondencia	48
C	Coeficiente de Gini	50
	Analisis Descriptivo	51
	Componentes Principales	51
7.	Conclusiones	52
3	Bibliografía	53

1. Introducción

Este proyecto pretende estudiar y mostrar el comportamiento de los datos obtenidos en la encuesta nacional de empleo, desempleo y subempleo (ENEMDU) realizada en Ecuador en el año 2019 del mes de diciembre por el Instituto Nacional de Estadística y Censos (INEC). Se realizará un análisis estadístico, el cual comprende de análisis descriptivo de las variables, análisis inferencial, y un análisis multivariante.

Para realizar todos los análisis, los indicadores que se tomarán en cuenta son:

Incidencias de pobreza: Esta variable está determinando el cociente total de la población muestral pobre y la población total muestral.

Severidad de pobreza: Indicador que mide la profundidad de la pobreza dentro de la pobreza.

El coeficiente de desigualdad de Gini: El cual hace referencia a la forma en que se distribuye el ingreso per cápita del hogar dentro de la sociedad.

Al utilizar las variables tanto de incidencia como severidad, se hará un estudio de la pobreza y la extrema pobreza del país, el cual se podrá visualizar por las cinco principales provincias del Ecuador, siendo estas Guayas, Pichincha, Azuay, El Oro y Tungurahua.

La población objetivo para efectos de esta encuesta realizada por el INEC, fue las personas que habitan en las cinco ciudades principales de Ecuador previamente mencionadas, de esta población objetivo se trabajó con una muestra de 59.208 personas.

2. Objetivos

2.1. Objetivo general

Implementar métodos multivariantes que me permitan conocer información acerca de la incidencia y severidad por cada ciudad tanto para pobreza y extrema pobreza, que el análisis univariante no me permite conocer.

2.2. Objetivos específicos

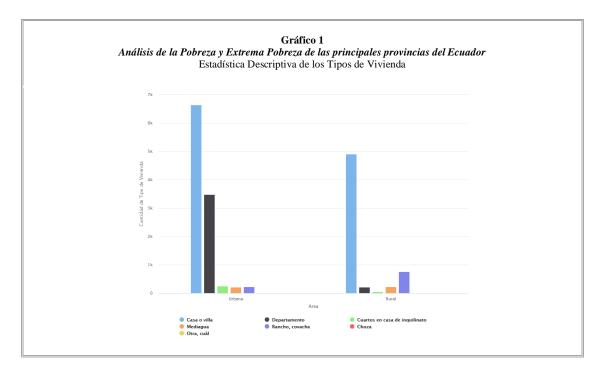
- Utilizar el método multivariante de análisis de componentes principales para conocer la información intrínseca que guardan las variables en un espacio de dimensión reducida.
- Realizar un análisis más profundo de la información que nos proporcionan las variables en conjunto mediante métodos como el análisis factorial, el escalado multidimensional y. análisis de correspondencia.

3. Fuente y Metodología

Para efectos de este proyecto se están estudiando los datos proveídos por el INEC, estos datos fueron recolectados en la encuentra realizada en diciembre del 2019 en Ecuador llamada ENEMDU. Se hizo uso de un software estadístico reconocido R para obtener resultados y realizar los análisis correspondientes.

En el análisis multivariante se aplicó un análisis factorial, análisis de componentes principales, un escalado multidimensional y un análisis de correspondencia, todos estos métodos fueron aplicados en cada una de las variables a estudiar.

4. Análisis Descriptivo de Datos

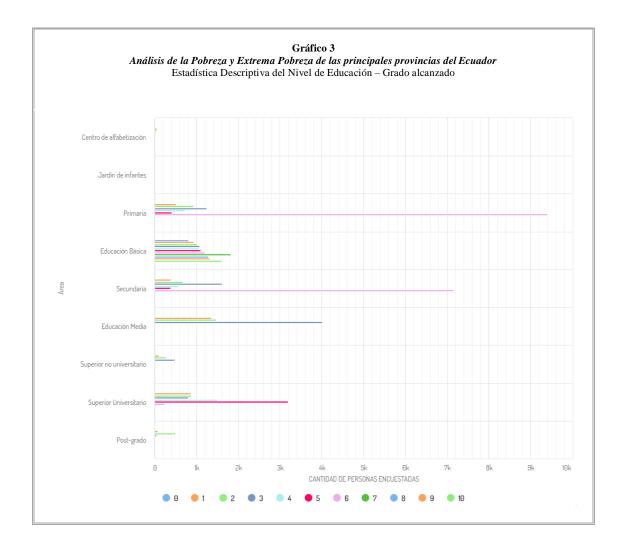


Se puede denotar en el Gráfico 1, que tanto en el área urbana y rural viven una mayor cantidad de personas en casa o villa, sin embargo, existe una mayor diferencia con el tipo de vivienda departamento.

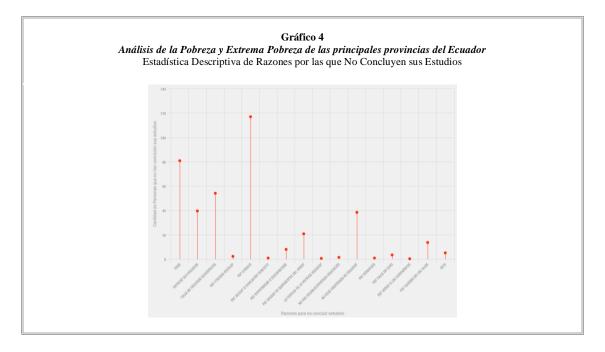


En el Gráfico 2, se puede observar que uno de los factores que influye mucho en la pobreza o extrema pobreza es el nivel de educación, donde se nota que la mayoría de las personas en la muestra de estudio ha concluido su nivel de estudio secundario, en cambio, en la región rural terminan llegando solo hasta primaria.

Se puede denotar también que un mayor número de personas en el área urbana sigue sus estudios hasta nivel de postgrado en comparación con el área urbana, posteriormente continuara investigando sobre este factor importante que hemos tomado para explicar el crecimiento en los últimos años de la pobreza y pobreza extrema.

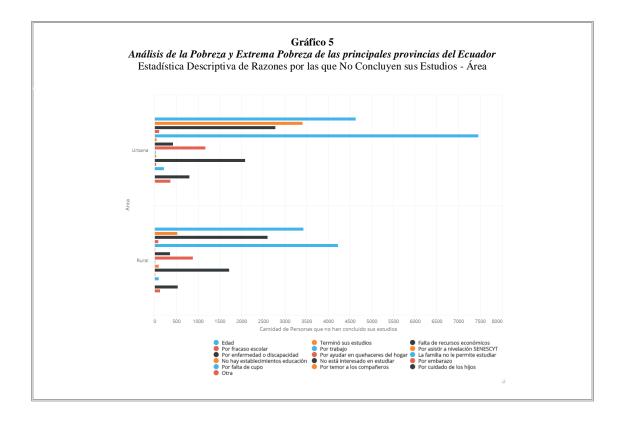


Continuando con el análisis de nivel de educación el cual se ha escogido para denotar el alto índice de pobreza, en el Gráfico 3 se analizará el máximo nivel al que la mayoría de los encuestados han llegado, donde su mayor nivel en Primeria 6to año (conclusión de Primaria) de ahí los sigue finalizando la secundaria (6to año), asimismo de forma contrario tenemos una menor cantidad que ha finalizado su Postgrado.

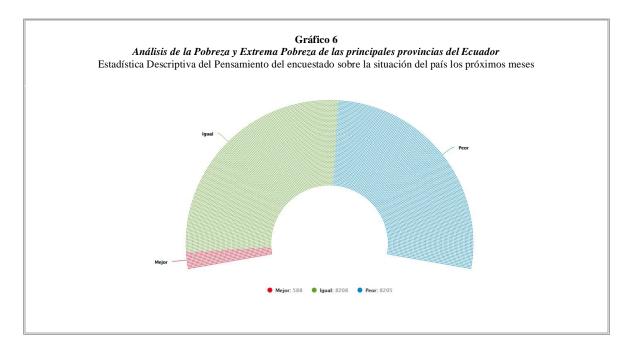


Profundizando este análisis, se nota que de la muestra de los encuestados, casi 12.000 personas no concluyen sus estudios por el factor de trabajar, seguramente por la necesidad de ingresos. Mientras que un poco más de 8.000 no los concluye por la edad, seguido de la falta de recursos económicos con casi 6.000 personas.

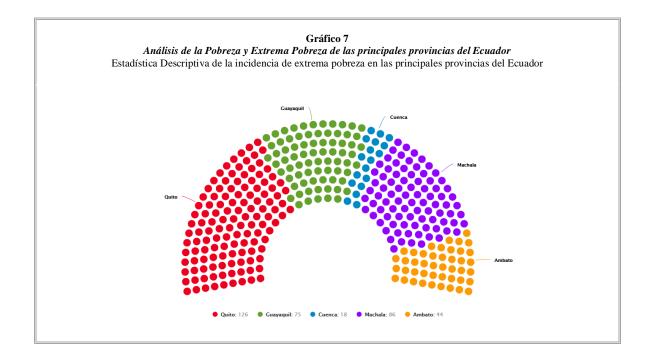
Por lo contrario, entre los factores menos influyen a que no concluyan sus estudios son el fracaso escolar, por asistir a nivelación SENESCYT, porque la familia no le permite estudiar, por motivos de embarazo y por temor a sus compañeros, como se observa en el Gráfico 4.



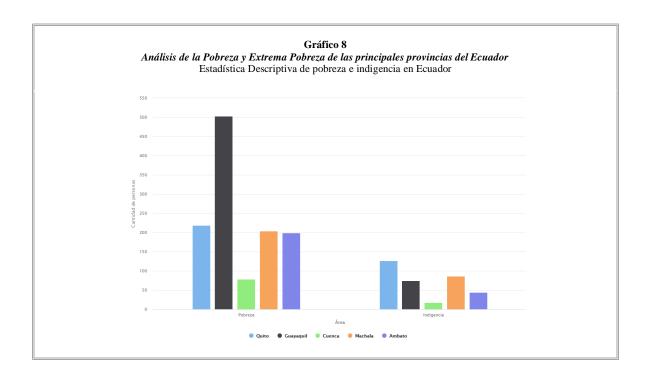
Asemejando el análisis por el área en el Gráfico 5, se puede observar los resultados no varían mucho, dando como factores influyentes de esta decisión anteriormente mencionada al trabajo y edad.



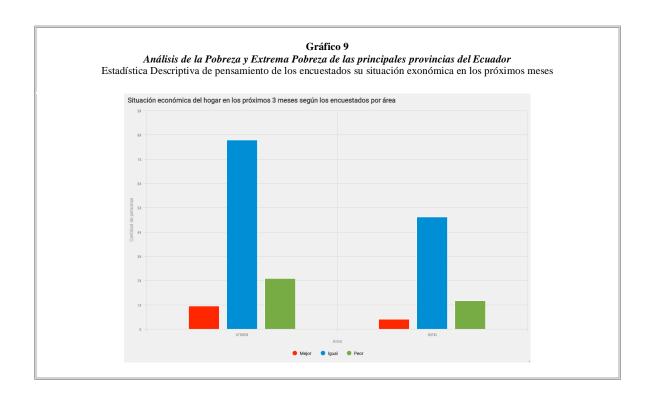
En el Gráfico 6 podemos denotar el pensamiento de los encuestados sobre la situación del país en los próximos meses, donde sus respuestas se disputan entre una situación "Igual" o "Peor" que la actual.



Asimismo, en el Gráfico 7, se puede observar que existe una mayor incidencia de extrema pobresa en Pichincha, Quito.



Comparando estas variables en las principales ciudades en el Gráfico 8 se observa como existe un mayor número de pobreza en dichas provincias, llevándose el primer lugar Guayaquil, sin embargo, en extrema pobreza se puede ver que resalta a Ambato.



En este Gráfico 9, se observa una comparación entre el área y la opinión publica de cómo será su situación en los posteriores 3 meses, donde la mayoría del área tanto rural y urbana contestaron en apoyo al nivel "Igual" y en el nivel más bajo su contestación fue "Peor, donde en otras palabras, existe menor respuesta que ña situación mejore y más apoyo a considerar que se estará en la misma situación.

5. Estadística Inferencial

5.1 Pruebas de Hipótesis e Intervalos de confianza

Diferencia de medias entre variables incidencia para la ciudad de Quito e incidencia para la ciudad de Guayaquil.

Las variables con las cuales se realizará la prueba de hipótesis son con la incidencia con respecto a Pichincha, Quito, y a la incidencia con respecto a Guayas, Guayaquil, se quiere ver si existe alguna diferencia entre la proporción de incidencia de los datos recolectados desde el 2007 hasta el 2019, sabiendo que la incidencia es el cociente entre el total de la población pobre y la población total.

Debemos verificar primero si existe o no la diferencia de varianzas haciendo la prueba de hipótesis correspondiente.

	de la Pobreza y Extrema Pobreza de las pr para diferencia de varianza de las variables Guayaquil						
	Supuestos						
	Muestras independientes de tamaño n1 y n2 to	mada de poblaciones normale	s.				
Contraste de Hipótesis	Estadístico de Pru	eba	Valor p				
H ₀ : $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$	$F = \frac{\frac{(n_1 - 1)S_1^2}{\sigma_1^2} / (n_1 - 1)}{\frac{(n_2 - 1)S_2^2}{\sigma_2^2} / (n_2 - 1)} = \frac{S_1^2}{S_2^2}$	F = 0.22803	0.01604				
VS . $\mathbf{H_1:} \ \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$	Intervalo de Confianza						
1 2	$\frac{(n_1 - 1)S_1^2}{x_{n-1}^2} : \frac{(n_1 - 1)S_1^2}{x_{n-1}^2}$	$0.06957963 < \sigma_1^2$	$-\sigma_2^2 < 0.74732315$				

Se observa el valor p es menor que 0.05, por lo que se rechaza la hipótesis nula que indica que las varianzas son iguales, por lo que concluimos que las varianzas son diferentes.

Una vez obtenido este resultado, se procede a realizar la correspondiente prueba de hipótesis respecto a diferencia de medias, con varianzas que no son iguales.

		Guayaqu									
Supuestos		E	stadística Inferencial								
Muestras		Incid	dencia para Pichincha, Q	Quito							
pequeñas,	Media	Error Estándar de la Media	Desviación Estándar	Sesgo	Mediana	Moda					
proviene de una población	2.680769	0.1941895	0.7001602	0.2035139	2.500	1.65					
normal. El tamaño de la	Incidencia para Guayas, Guayaquil										
muestra n es	Media	Error Estándar de la Media	Desviación Estándar	Sesgo	Mediana	Moda					
menor que 30	2.719	0.4066569	1.466222	0.7445113	2.400	1.25					
Contraste de Hipótesis		Estadístico de Pr	ueba		Mediana 13 2.400 Va	Valor p					
	$t = \frac{(\overline{X} \cdot x)^2}{2}$	$\frac{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$	T= -0.085348,		0.	.933					
	Grados de libertad										
H ₀ : $u_1 = u_2$ Vs . H ₁ : $u_1 \neq u_2$	$gl = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{(\frac{S_1^2}{n_1})^2}{n_1 - 1} + \frac{S_1^2}{n_1}}$										
		I	ntervalo de Confianza	a							
	$(\overline{x_1} - \overline{x_2}) - t_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}} < u_1 - u_2 < (\overline{x_1} - \overline{x_2}) + t_{\alpha/2} \sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}$										

Con el resultado del valor p, damos a notar que ya que es mayor que 0.05 que existe suficiente evidencia estadística para no rechazar la hipótesis nula, es decir la Guayas, Guayaquil.

Diferencia de medias entre variables incidencia para Azuay, Cuenca, e incidencia para la Tungurahua, Ambato.

Se procede a hacer al igual que antes, una prueba de hipótesis para ver si la media de la incidencia de Azuay, Cuenca es diferente o no a la media de El Oro, Machala.

Por lo que primero hay que hacer una prueba de hipótesis para conocer si existe igualdad o no entre las varianzas.

Cuadro 3 Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador Prueba de Hipótesis para diferencia de varianza para las variables "Incidencia" para la ciudad de Cuenca y la variable "Incidencia" para la ciudad de Ambato Supuestos Muestras independientes de tamaño n1 y n2 tomada de poblaciones normales. Contraste de Hipótesis Estadístico de Prueba Valor p $F = \frac{(n_1 - 1)S_1^2}{\sigma_1^2}/(n_1 - 1) = \frac{S_1^2}{S_2^2}$ F = 0.775290.6663 H1: $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$ VS . H1: $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$ $\frac{(n_1 - 1)S_1^2}{x_{n-1}^2}: \frac{(n_1 - 1)S_1^2}{x_{n-1}^2}$ 0.2365652 $< \sigma_1^2 - \sigma_2^2 < 2.5408394$

El resultado que se obtiene en el Cuadro 3 se puede ver que el valor p es mayor que 0.05 por lo que no se rechaza la hipótesis nula y concluimos que las varianzas son iguales. Ahora en base a este resultado se puede resolver la prueba de hipótesis para conocer si existe diferencia o no entre las medias de las variables de estudio.

		Pobreza y Extrema Pol a diferencia de medias variable "Incide		"Incidencia" p		'uenca y l					
Supuestos	Estadísticas Inferencial										
Muestras pequeñas,	Media	Error Estándar de la Media	Mediana	Moda							
proviene de una población	1.738	0.1941895	Estándar 0.2696837	0.2724349	1.450	1.1					
normal. El tamaño de	Incidencia para Tungurahua, Ambato										
la muestra es menor a 30.	Media	Error Estándar de la Media	Desviación Estándar	Sesgo	Mediana	Moda					
menor a 50.	2.942	0.3062828	1.104318	0.2493887	2.600	1.25					
Contraste de Hipótesis		Estadístico	de Prueba		Valor p						
		$t = \frac{(\overline{x_1} - \overline{x_2}) - \delta}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$	$\frac{-\overline{x_2}) - \delta}{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}$ T=-2.9499								
H ₀ : $u_1 =$	Grados de libertad										
u_2 Vs H_1 : $u_1 \neq u_2$			$gl = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{(\frac{S_1^2}{n_1})^2}{n_1 - 1} + \frac{S_1^2}{n_1}}$								
			Intervalo de (Confianza							
		$(\overline{x_1} - \overline{x_2}) - t_{\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\xi}{1}}$	$\frac{\overline{S_1^2}}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2} < u_1 - u_1$	$u_2 < (\overline{x_1} - \overline{x_2})$	$(S_1) + t_{\alpha/2} \sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_1^2}{n_1}}$	$\frac{\overline{S_2^2}}{n_2}$					

$$-2.0461051 < u_1 - u_2 < -0.3615872$$

El resultado que se obtiene es que el valor p es menor que 0.05 por lo que se rechaza la hipótesis nula, es decir existe suficiente evidencia estadística para no rechazar la hipótesis alterna, lo que nos dice que la media de la incidencia Azuay, Cuenca, es diferente de la media de Tungurahua, Ambato.

5.2 Análisis de contingencia

Primer análisis de contingencia

Se consideraron las variables "Pobreza" y la variable "Nivel de instrucción", que hace referencia al último nivel de instrucción de educación al cual la persona llegó, se realizó este análisis de contingencia, para poder ver sí existe alguna independencia o no entre que, si la persona es considerada pobre o no pobre, y el nivel de educación al cual llegó.

							<i>les provincias</i> 'Nivel de inst		lor	
Pobr eza					Nivel de Ins	strucción				
	Ninguno	Centro de Alfabeti zación	Primaria	Educación Básica	Secundaria	Educación Media	Superior no Universitario	Superior Universitar io	Post grad o	Total
No pobre	1555	121	10024	9251	9391	5477	775	7116	606	44316
Pobre	648	44	3102	3926	1339	1339	55	318	7	10778
Total	2203	165	165	13177	10730	6816	830	7434	613	55094

En la Tabla 1 se tiene la tabla de contingencia formada por ambas variables, se puede observar que la calificación de no ser pobre aumenta conforme el nivel de estudio aumenta, al igual que la cantidad de personas calificadas como pobres disminuye conforme el nivel de educación aumenta. Se procederá a realizar el análisis de contingencia para despejar la duda si existe alguna independencia o no sobre estas dos variables.

Viendo el resultado del valor p, se ve que este es menor que 0.05 porque lo que se rechaza la hipótesis nula que indica que la variable pobreza y la variable nivel de instrucción son estocásticamente independiente, por lo que sí tendrían relación alguna estas dos variables.

Viendo el resultado del valor p, observamos que este es menor que 0.05 porque lo que se rechaza la hipótesis nula que me dice que la variable pobreza y la variable nivel de instrucción son estocásticamente independiente, por lo que sí tendrían relación alguna estas dos variables.

Contraste de	Estadístico de Prueba		Valor p
Hipótesis			1
H ₀ : El factor A es estocásticamente del factor B	$\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{c}(n_{i,j}-F_{i,j})^{2}$		
Vs.	$x^{2} = \sum_{i=1}^{r} \sum_{j=1}^{s} \frac{(n_{ij} - E_{ij})^{2}}{E_{ij}}$	Z = 2288	0.00

Segundo análisis de contingencia

La hipótesis que se plantea y que mucha gente se plantea es que sí el grupo étnico tiene que ver si la persona en este caso se encuentra en extrema pobreza o no, las cuales están denotadas como "indigente" y "no indigente" respectivamente, por lo que se procedió a hacer el análisis de contingencia de estas dos variables las cuales en la base de datos son llamadas "Epobreza" y "Como se considera"

		<i>lisis de la Pobrez</i> Tabla de conting			 le las principal			or	
Epobr eza				Como	se considera	1			
	Indíge na	Afroecuator iano (na)	Negro	Mulato	Montubio	Mestizo	Blanco	Otro	Total
No Indigen te	3493	788	315	629	4526	40961	675	32	51419
Indigen te	1143	117	71	98	241	1967	38	0	3675
Total	4636	905	386	727	4767	42928	713	32	55094

Como se observa en la Tabla 2, se tiene la tabla de contingencia, donde se observa que las personas hay mayor personas que están en extrema pobreza cuando esta pertenece al grupo étnico Mestizo, y solamente 38 personas están en extrema pobreza, para las personas que se tomaron en la muestra quienes se consideran del grupo étnico Blanco, para ver realmente si el grupo étnico al cual se considera la persona, tiene alguna relación con que esta esté o no en extrema pobreza, se procede a realizar el análisis de contingencia.

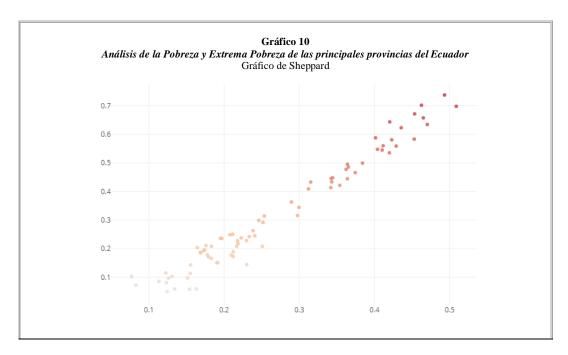
De acuerdo con el valor p, es mucho menor que 0.05, por lo que existe suficiente evidencia estadística para rechazar la hipótesis nula, es decir no es verdad que la variable "Epobreza" es estocásticamente independiente de la variable "Como se considera", por lo que se concluye también que de alguna manera estas variables se relacionan, pero no se puede decir tampoco que estas variables son dependientes, solo se concluye que no son estocásticamente independientes.

	Cuadro 6 eza y Extrema Pobreza de las principales provincias ngencia entre las variables "Epobreza " "Como se		
Contraste de Hipótesis	Estadístico de Prueba		Valor p
H ₀ : El factor A es estocásticamente del factor B Vs . H ₁ : Los factores A y B no son estocásticamente independiente	$x^{2} = \sum_{i=1}^{r} \sum_{\substack{j=1\\(r-1)(c-1)}}^{c} \frac{(n_{ij} - E_{ij})^{2}}{E_{ij}}$	$x^2 = 2929$	0.000

6. Estadística Multivariante

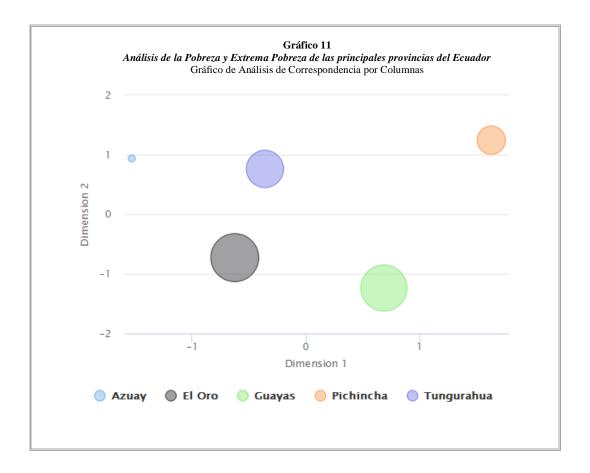
Incidencia de Pobreza

Análisis Bivariante



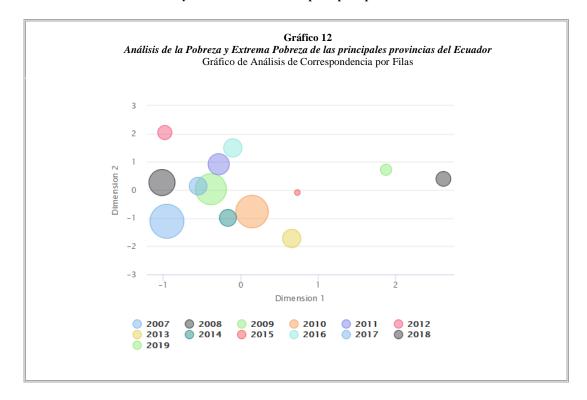
El gráfico de Sheppard para los datos de la muestra denota un diagrama con una función creciente, lo que nos ayuda a inferir que exista un buen ajuste. Los puntos no se encuentran tan esparcidos por lo que el gráfico se vuelve fiable. Véase el Gráfico 10.

Análisis de Correspondencia



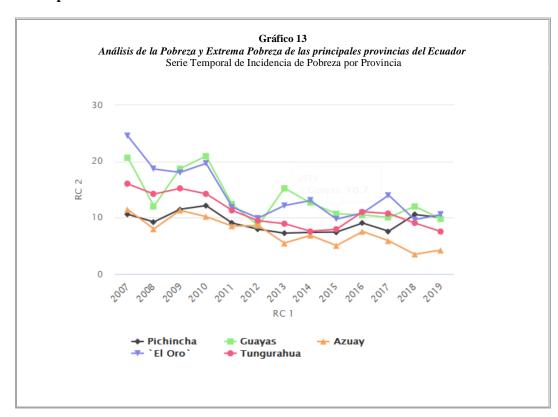
En el siguiente gráfico se puede notar que en la provincia de Azuay se concentra menor cantidad de incidencia de pobreza desde el 2007 al 2019. En la provincia de El Oro es donde la concentración de incidencia de pobreza es mayor, sobrepasando los 14 puntos desde el año 2007 al 2019. Seguido de este la provincia del Guayas con 13 puntos en incidencia de pobreza desde el año 2007 al año 2019.

La Provincia de Pichincha es la segunda provincia con menor incidencia de pobreza. Se puede notar que las dos provincias de la sierra ecuatoriana son las que presentan la mayor incidencia de pobreza. Véase el Gráfico 11.



En el siguiente gráfico se puede notar que el año con mayor incidencia en las provincias estudiadas es 2007 seguido del año 2009 y el año 2010, estos 3 son los más incidentes en pobreza. Los años con menor incidencia en pobreza son 2012, 2015 y 2019. Véase el Gráfico 12.

Serie Temporal

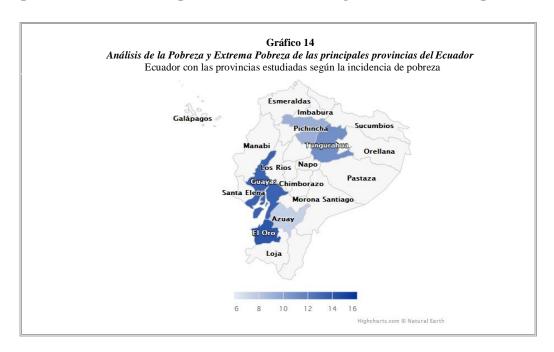


Las tendencias anuales de las provincias en algunas de estas tienen cambios bruscos, empezaremos a describir la serie temporal de la provincia de Pichincha, inicia con una incidencia de pobreza un poco mayor que 10, en el año 2008 la incidencia de pobreza disminuyó notablemente a 9, y en el 2009, tuvo un crecimiento sobrepasando los niveles del 2007, en el año 2010 llegó a su punto máximo de incidencia de pobreza a 12 puntos, en el año 2019 llego a tener 10 puntos.

La provincia de El Oro al año 2007 tuvo una incidencia de pobreza de 24.5 siendo esta la provincia con mayor incidencia entre las cinco provincias estudiadas, terminando en 2019 con una incidencia de 10.2 de pobreza.

En Azuay, es notablemente quien ha tenido menor incidencia en pobreza, su incidencia máxima ha sido de 11. No se han realizado pronósticos al año 2020, ya que sería realizar un estudio erróneo ya que el año 2020 ha sido un caso particular y no sería lo más beneficioso para el estudio, puesto que el aumento de pobreza en el país desafortunadamente aumentó considerablemente. Véase el Gráfico 13.

Mapa del Ecuador con las provincias estudiadas según la incidencia de pobreza

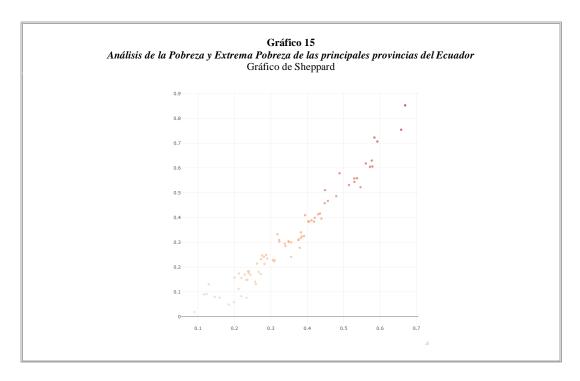


En el mapa del Ecuador se puede claramente apreciar la incidencia por provincia de pobreza, mostrando así con el azul con más intensidad las provincias con mayor incidencia de pobreza y con color azul opaco, las provincias con menor incidencia de pobreza desde el año 2007 al año.

Este gráfico se realizó con la finalidad de representar en las provincias estudiadas y poder apreciar de una forma cultural lo que se ha venido queriendo dar a conocer durante el estudio de este conjunto de datos. Véase el Gráfico 14.

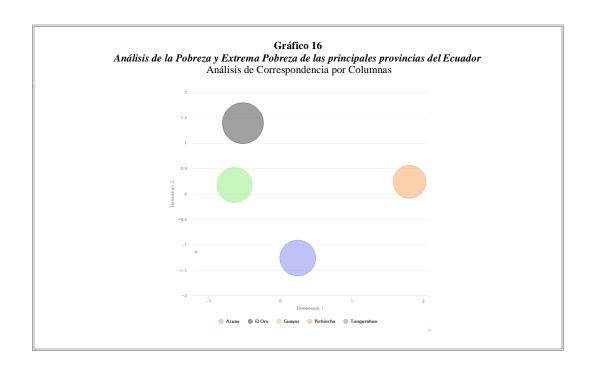
Severidad de Pobreza

Análisis Bivariante



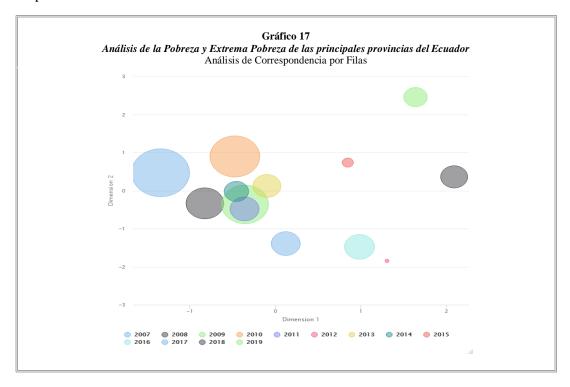
El gráfico de Sheppard para los datos de la muestra denota un diagrama con una función creciente, lo que nos ayuda a inferir que exista un buen ajuste. Los puntos no se encuentran tan esparcidos por lo que el grafico se vuelve fiable. Véase el Gráfico 15.

Análisis de Correspondencia



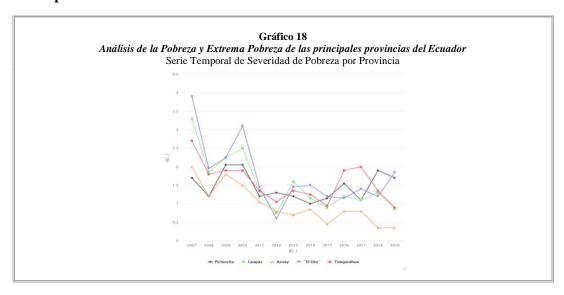
Se puede notar que en la provincia de Azuay se concentra menor cantidad de severidad de pobreza desde el 2007 al 2019. En la provincia de El Oro es donde la concentración de severidad de pobreza es mayor. Seguido de este la provincia del Guayas.

La Provincia de Pichincha es la segunda provincia con menor severidad de pobreza. Se puede notar que las dos provincias de la sierra ecuatoriana son las que presentan la mayor severidad de pobreza. Véase el Gráfico 16.



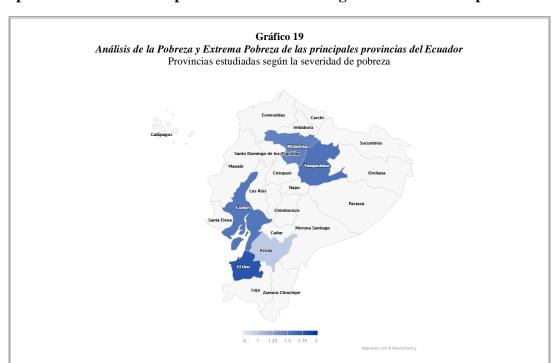
Se nota que el año con mayor incidencia en las provincias estudiadas es 2007 seguido del año 2009 y el año 2010, estos 3 son los más incidentes en pobreza. Los años con menor incidencia en pobreza son 2012, 2015 y 2019. Véase el Gráfico 17.

Serie temporal



Las tendencias anuales de las provincias en algunas de estas tienen cambios bruscos, empezaremos a describir la serie temporal de la provincia del Oro, inicia con una severidad de casi 4, en el año 2008 la severidad de pobreza disminuyó notablemente a 2, y en el 2009 tuvo un leve crecimiento, en el año 2010 llegó a su punto máximo de severidad de pobreza a 3 puntos, se notó un cambio decreciente bastante considerable en el año 2012 la severidad llego aproximadamente a 0.5 en el año 2019 llego a tener aproximadamente 1.9 puntos.

En el 2019 la provincia que llego a tener el punto máximo de severidad es la provincia del Oro seguida de la provincia pichincha, Tungurahua, Guayas y Azuay. Véase el Gráfico 18.



Mapa del Ecuador con las provincias estudiadas según la severidad de pobreza

En el mapa del Ecuador se puede claramente apreciar la severidad por provincia de pobreza, mostrando así con el azul con más intensidad las provincias con mayor severidad de pobreza y con color azul opaco, las provincias con menor severidad de pobreza desde el año 2007 al año. Este gráfico se realizó con la finalidad de representar en las provincias estudiadas y poder apreciar de una forma cultural lo que se ha venido queriendo dar a conocer durante el estudio de este conjunto de datos. Véase el Gráfico 19.

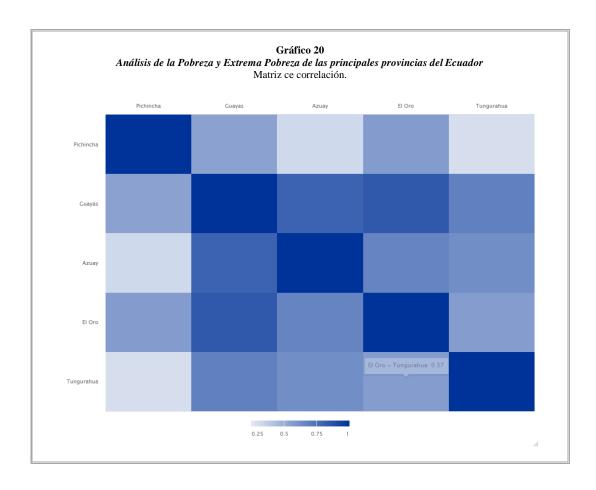
Incidencia de Extrema Pobreza

Análisis Descriptivo

		Aná	ílisis de			Figura rema Pobre le la variabl	za de la				ıs del E	Ecuador	
	vars	n	mean	sd	median	trimmed	mad	min	max	range	skew	kurtosis	se
Pichincha	1	13	2.68	0.70	2.50	2.68	0.89	1.65	3.70	2.05	0.18	-1.64	0.19
Guayas	2	13	2.72	1.47	2.40	2.57	1.63	1.25	5.85	4.60	0.66	-0.89	0.41
Azuay	3	13	1.74	0.97	1.45	1.72	1.26	0.50	3.15	2.65	0.24	-1.66	0.27
El Oro	4	13	3.35	1.79	2.95	3.21	0.96	1.05	7.20	6.15	1.10	0.04	0.50
Tungurahua	5	13	2.94	1.10	2.60	2.90	1.33	1.40	4.90	3.50	0.22	-1.40	0.31

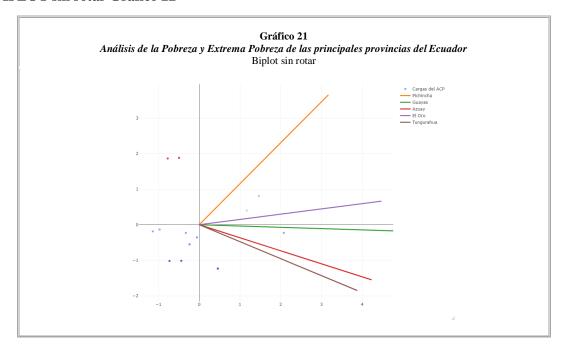
En primer lugar se recalca que Incidencia es las variables donde nos centraremos esta sección del proyecto. La incidencia en las principales 5 provincias del ecuador, para generalizar la temática de esta sección. En el análisis Descriptivo se denota el comportamiento de las variables con una Incidencia promedio de 3.35 en El Oro lo cual es un hallazgo sorprendente ya que la media de las dos principales ciudades con mayor población (Guayas y Pichincha) tiene una menor incidencia, cabe denotar que Azuay.

Análisis de Componentes Principales



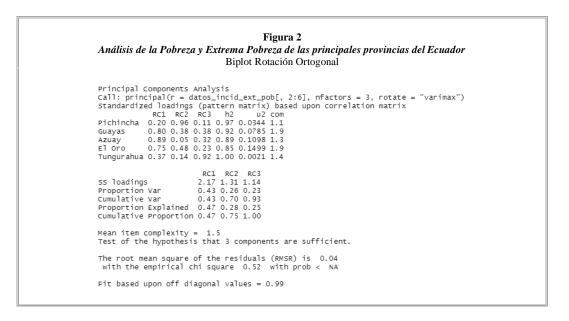
En el Gráfico 20 de correlación obtenemos que existe una relación entre las variables de la incidencia entre provincias principales en Ecuador. Se observa que la variable menor correlación se encuentra entre Pichincha y Azuay con 0.33, sin embargo, pichincha y Tungurahua tiene el mismo valor.

BIPLOT sin rotar Gráfico 2D

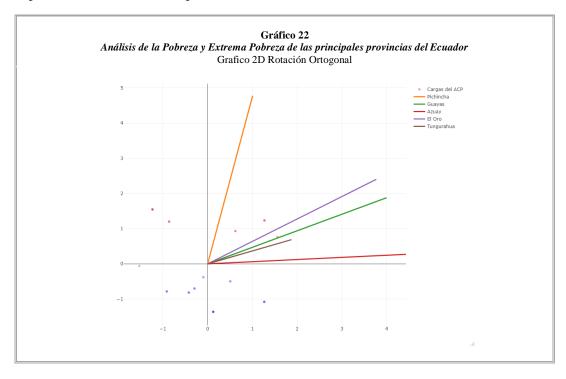


Se puede notar en el Gráfico 21 que Azuay y Tungurahua existen una correlación o intensidad fuertes, se observa que el 3er cuadrante se encuentra la mayor cantidad de las puntuaciones, por lo tanto, hemos decidido optar una rotación para considerar su comportamiento.

BIPLOT Rotando: Rotación Ortogonal



Como se observa existe una Unicidad baja en la mayoría de las variables, por lo tanto, se puede considerar continuar con el análisis ya que existe muy poca varianza que queda por explicar el factor 1 en varias provincias.



En el Gráfico 22 se nota que con la rotación ortogonal las puntuaciones están muchas más cercas, se podría decir que están ordenadas existe una mayor intensidad de correlación por su ángulo que forman entre variables de las provincias.

BIPLOT Rotando: Rotación Oblicua

```
Figura 3

Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador
Biplot Rotación Ortogonal

Principal Components Analysis
Call: principal(r = datos_incid_ext_pob[, 2:6], nfactors = 3, rotate = "Promax")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
RC1 RC2 RC3 h2 u2 com
Pichincha -0.08 1.02 0.01 0.97 0.0344 1.0
Guayas 0.80 0.14 0.10 0.92 0.0785 1.1
Azuay 1.05 -0.25 0.01 0.89 0.1098 1.1
El oro 0.78 0.28 -0.07 0.85 0.1499 1.3
Tungurahua 0.05 0.01 0.96 1.00 0.0021 1.0

RC1 RC2 RC3
SS loadings 2.42 1.20 1.01
Proportion Var 0.48 0.24 0.20
Cumulative Var 0.48 0.72 0.93
Proportion Explained 0.52 0.26 0.22
Cumulative Proportion 0.52 0.78 1.00

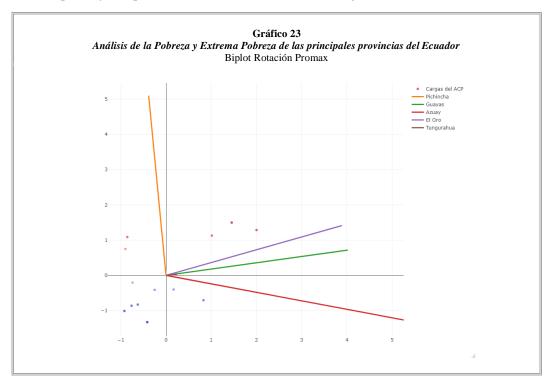
With component correlations of
RC1 RC2 RC3
RC1 L00 0.55 0.65
RC2 0.55 1.00 0.32
RC3 0.65 0.32 1.00

Mean item complexity = 1.1
Test of the hypothesis that 3 components are sufficient.

The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.04
with the empirical chi square 0.52 with prob < NA

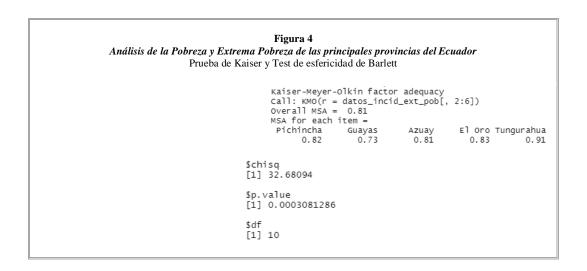
Fit based upon off diagonal values = 0.99
```

Se puede observar en los componentes de relación un poco bajo al anterior, por lo cual diríamos que mejor explican a las variables la rotación ortogonal.



En esta rotación oblicua se obtiene al igual que al anterior gráfico puntuaciones muy cercanas, sus ángulos muy similares mayormente entre naranja y rojo. Nos quedaríamos como el análisis de componentes principales con rotación ortogonal el mejor gráfico y resultados en los cuales se observa cómo se extrae la mayor variabilidad posible. Véase Gráfico 23.

Análisis Factorial

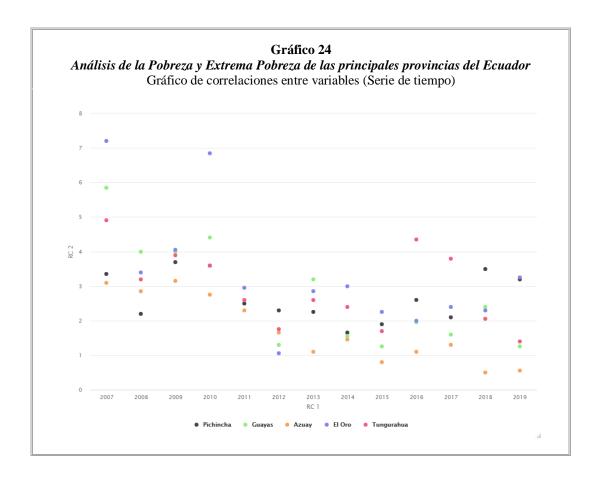


Las hipótesis tanto para el Test de Barlett es H0: Matriz Identidad =1 para la hipótesis nula y No es la matriz identidad =1 para la alternativa.

Se observa en la Figura 4 que se rechaza la Hipótesis Nula por lo tanto tendría coherencia seguir con un análisis factorial, ya que, si la matriz fuera igual a 1, los datos representarían que no están intercorrelacionadas.

El indice KMO de Kaiser-Meyer-Olkin tiene como fin confirmar que se debe continuar con el análisis factorial, podemos observar que todas las provincias tienen un KMO muy cercano a 1, lo cual indica que nuestra data da para un análisis factorial adecuado.

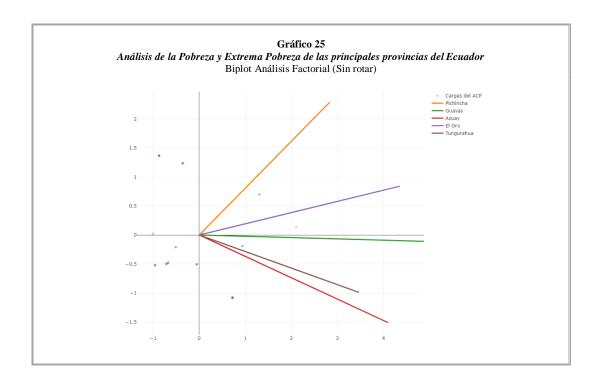
Gráfico de correlación de las variables involucradas en el análisis (círculo unitario)



En el Gráfico 24 puede observar el comportamiento de los datos en cada año desde el 2007 al 2019.

BIPLOT sin rotar Gráfico 2D

En el análisis factorial sin rotar se puede denotar como la mayoría de los datos a excepción de Pichincha ya no queda nada de variable sin explicar por el factor 1, lo cual es muy bueno, ya que solo un factor explica la mayor parte de la varianza generada. Véase Figura5.



En el Gráfico 26 se puede denotar como existen ángulos muy agudos, confirmando lo ya hallado en las distintas pruebas su intensa correlación entre varias de las variables.

BIPLOT Rotando: Rotación Ortogonal

```
Figura 6

Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador Análisis factorial Rotación Ortogonal

Factor Analysis using method = pa call: fa(r = datos_incid_ext_pob[, 2:6], nfactors = 2, n.obs = 65, rotate = "varimax", fm = "pa")

Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
PAI PA2 h2 u2 com
Pichincha 0.19 0.70 0.53 0.468 1.1
Guayas 0.80 0.55 0.95 0.047 1.8
Azuay 0.84 0.24 0.76 0.236 1.2
El Oro 0.61 0.65 0.79 0.212 2.0
Tungurahua 0.68 0.25 0.52 0.479 1.3

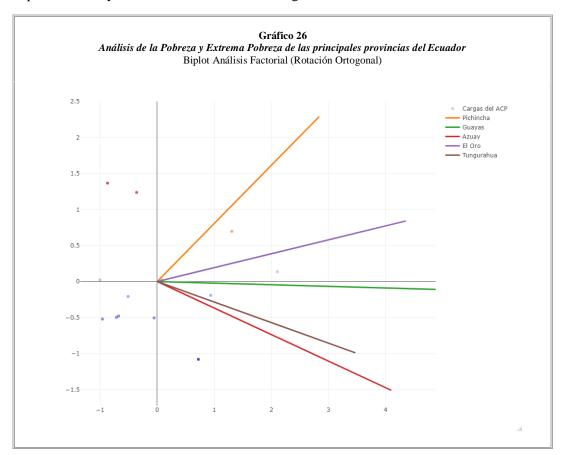
PAI PA2
SS loadings 2.22 1.33
Proportion var 0.44 0.71
Proportion var 0.44 0.71
Proportion Explained 0.62 0.38
Cumulative var 0.44 0.71
Proportion Explained 0.62 0.38
Cumulative Proportion 0.62 1.00

Mean item complexity = 1.5
Test of the hypothesis that 2 factors are sufficient.

The degrees of freedom for the null model are 10 and the objective function was 3.44 with Chi Square of 32.68
The degrees of freedom for the model are 1 and the objective function was 0

The root mean square of the residuals (RMSR) is 0
The df corrected root mean square of the residuals is 0.01
```

Luego de darle una rotación ortogonal se puede ver como las puntuaciones se asemejan más entre ellas de lo que ya se veía en el de sin rotación sin embargo las varianzas que queda por explicar son muy similar a la anterior. Véase Figura 6.



Las puntuaciones en el Gráfico 26 de esta rotación se puede ver que aleja los puntos en su mayoría, y los ángulos se hacen menos agudos ósea posee una menor intensidad de correlaciones con dicha rotación.

BIPLOT Rotando: Rotación Oblicua

```
Figura 7

Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador Análisis factorial Rotación Oblicua

Factor Analysis using method = pa
Call: fa(r = datos_incid_ext_pob(r, 2:6), nfactors = 2, n.obs = 65,
rotate = "Promax", fm = "pia")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
Pichicha = -0.06 0.76 0.53 0.46 1.0
Guayas 0.72 0.35 0.95 0.047 1.4
Azuay 0.90 -0.04 0.76 0.32 0.436 1.0
El oro 0.45 0.54 0.79 0.212 1.9
Tungurahua 0.70 0.00 0.52 0.439 1.0
El oro 0.45 0.54 0.79 0.212 1.9
Tungurahua 0.70 0.00 0.52 0.439 1.0

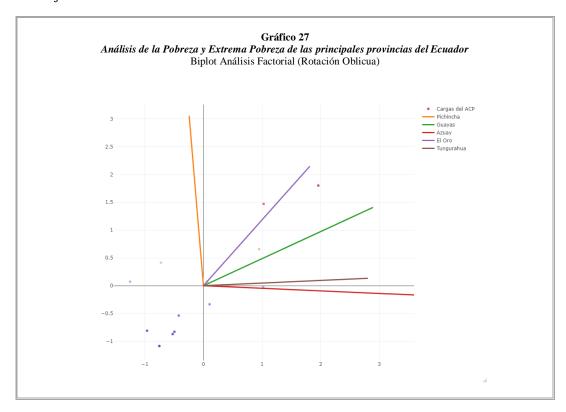
SS loadings 2.30 1.26
Proportion var 0.46 0.25
Cumulative var 0.46 0.73
Pullative Var 0.46 0.25
Cumulative Proportion 0.65 1.00

with factor correlations of PA1 PA2
PA1 PA2
PA1 PA2
PA1 PA2
PA1 PA2
PA1 1.0 0.6
PA2 0.6 1.0

Mean item complexity = 1.3
Test of the hypothesis that 2 factors are sufficient.

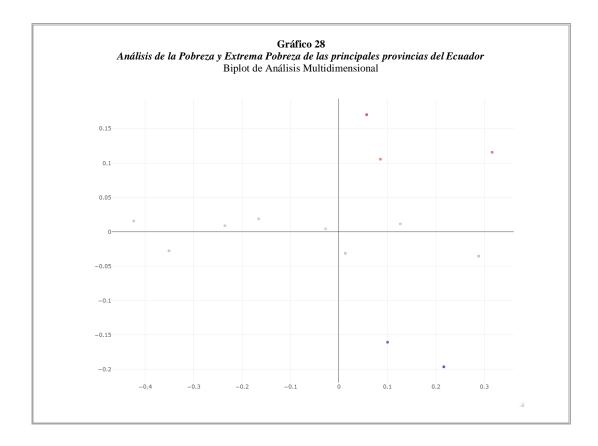
The degrees of freedom for the null model are 10 and the objective function was 3.44 with Chi Square of 368
Brace degrees of freedom for the model are 1 and the objective function was 0
The root mean square of the residuals (RMSR) is 0
The dorrected root mean square of the residuals is 0.01
```

Se puede ver en la Figura 7, que existe menor varianza que queda por explicar que la rotación ortogonal, sin embargo, no mejora al análisis factorial sin rotar, por lo cual no sería tan aconsejable la rotación oblicua.



Podemos ver que el Gráfico 27 tiene mejor posición de agrupación de las puntuaciones, sin embargo, sigue siendo mejor el análisis sin rotación ya que el análisis factorial tiene como objetivo expresar cada factor común en un factor único y expresar una variabilidad en común.

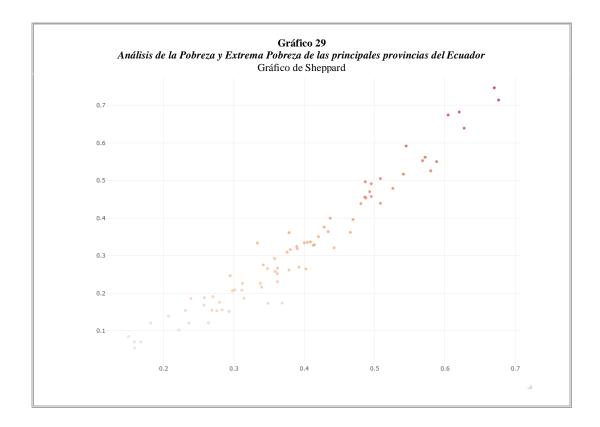
Escalado Multidimensional



Al realizar los fit salen points que significan ubicaciones o coordenadas principales en el plano bidimensional que utilizamos k=2.

En el análisis multidimensional se usó el método de Distancia Jaccard, aconsejable para saber las relaciones entre variables, en la Gráfica 28 podemos ver como en su mayoría se relacionan los años siendo los más distantes los periodos 2018-2019 en la parte inferior, y en la parte superior 2017, 2012,2016.

El estress de un 7% denota que el programa nos da el estress en términos porcentuales, dicho estress obtenido no es adecuado para determinar que representa buena la representación.



En el Gráfico 29 de Shepard, si los puntos dibujan una curva creciente se considera que la representación es buena porque se puede decir que considera bien la preordenación.

Como se puede observar en el gráfico dibuja una modelo lineal y no una curva, por lo tanto, se vuelve a afirmar que la representación no es buena.

Análisis Bivariante

Figura 7 Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador Resultados del Test Mardia									
SmultivariateNormality Test Statistic p value Result 1 Mardia Skewness 28.0010097137347 0.793514386463436 2 Mardia Kurtosis -1.64844153763878 0.0992620981907042 YES 3 MVN <na> YES</na>									
SunivariateNormality Test Variable Statistic p value Normality 1 Shapiro-Wilk Pichincha 0.9137 0.2062 YES 2 Shapiro-Wilk Guayas 0.8904 0.0989 YES 3 Shapiro-Wilk Azuay 0.8997 0.1323 YES 4 Shapiro-Wilk El Oro 0.8252 0.0138 NO 5 Shapiro-Wilk Tungurahua 0.9549 0.6746 YES									
\$Descriptives n									

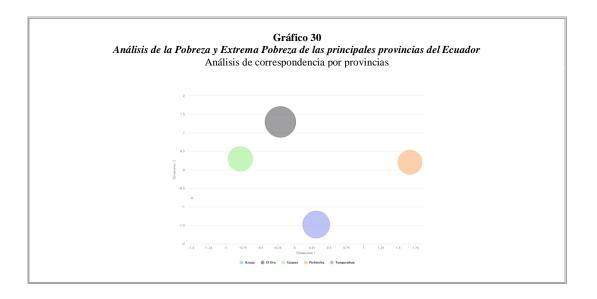
En el análisis realizado en la Figura 7 se tienen la prueba de Mardia Skewness y la Kurtosis donde ambas hipótesis serán:

H0: Los datos se ajustan a una hipótesis multivariante

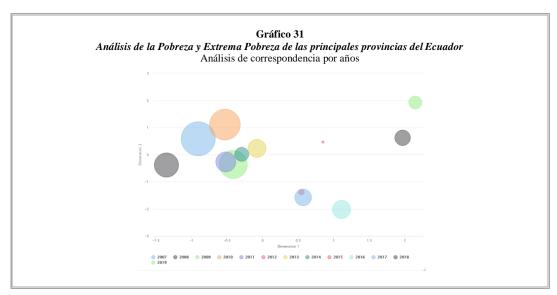
H1: Los datos no se ajustan

Ambas confirmaran que siguen una distribución normal la mayoría por excepción de la provincia de El Oro.

Análisis de Correspondencia

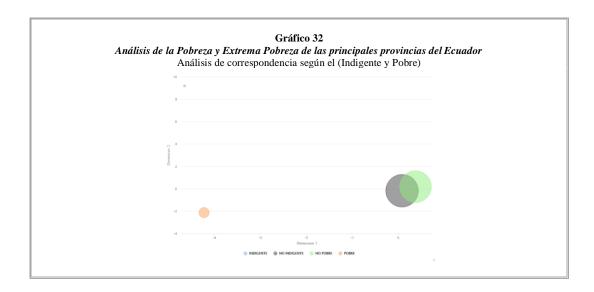


En análisis de correspondencia en el Gráfico 30, se denota como Azuay es explicada por la dimensión 2 y existe una menor incidencia en dicha Ciudad, una Similar incidencia de extrema pobreza posee Guayas y Pichincha, sin embargo, El Oro siendo una provincia con una población mucho menor que dichas ciudades tiene mayor incidencia de extrema pobreza.



El análisis de correspondencia del Gráfico 31 muestra variabilidad en dichos periodos analizados, donde denotamos que el 2015 en las 5 principales provincias se tuvo la menor incidencia en ese intervalo de periodos, en el 2007 fue donde se tuvo la mayor incidencia de pobreza, también se puede observar cómo se correlaciona la incidencia entre los años 2013,2011,2014 y 2009 donde se podría decir que se situaría la media del índice de pobreza en esos periodos de las 5 principales provincias del Ecuador.

Decidimos hacer un análisis de correspondencia a las variables categóricas Pobreza y Extrema pobreza de la población muestral que obtuvimos en la encuesta del INEC para tener una mayor apreciación de lo ya mencionado.

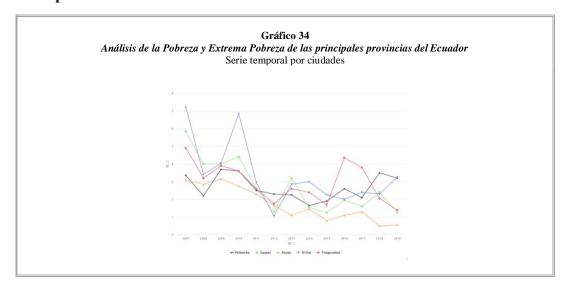


Se puede ver en el Gráfico 32 que en el análisis que se asemejan entre mucho no pobre y no indigente (variable tomada en, a encuesta para pobreza extrema), este análisis indica que en dicha encuesta la mayor parte de la muestra era no pobre y/o no indigente, en menor cantidad tenemos a no indigente explicada por la dimensión 2.



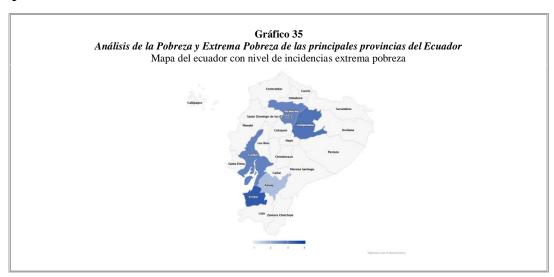
En el análisis de Correspondencia del Gráfico 33, se ve que Machala tiene un menor número, un numero equitativo entre Guayas, Guayaquil y Pichincha, Quito, cabe recalcar que en este análisis estamos juntado los temas de incidencia de pobreza y extrema pobreza para comparación.

Serie temporal



La serie de tiempo de Gráfico 34 indica como El Oro ha tenido en el 2009 un incremento brusco de pobreza y en el 2011 - 2013 un decrecimiento brusco, al contrario la incidencia en Azuay ha venido a la decreciendo entre todos estos años, este tema es de mucho interés puesto que puede ser de antesala para que provincias como el oro, puedan obtener resultados como los que ha tenido Azuay, cabe recalcar que las demás provincias a simple vista se pueden denotar que tienen siguen una serie estacionario, lo que significaría una media y varianza constante.

Mapa del Ecuador



En el Gráfico 35 del Ecuador se observa como Azuay entre dichos años, ha tenido una menor incidencia confirmando nuestros correctos hallazgos en el análisis multivariante, asimismo pichincha y guayas se mantienen en similares números y al contrario El Oro es el de mayor incremento, dato alarmante por cantidad población y menor superficie.

Severidad extrema pobreza Análisis descriptivo

	Anális	is de				Figura Pobreza d o De Seve	e las pi	•	•		del Eci	uador	
	vars	n	mean	sd	median	trimmed	mad	min	max	range	skew	kurtosis	se
Pichincha	1	13	0.47	0.15	0.45	0.46	0.22	0.25	0.70	0.45	0.23	-1.36	0.04
Guayas	2	13	0.34	0.24	0.30	0.30	0.15	0.10	1.00	0.90	1.54	1.77	0.07
Azuay	3	13	0.25	0.21	0.15	0.22	0.15	0.05	0.75	0.70	1.17	0.21	0.06
El Oro	4	13	0.38	0.27	0.30	0.35	0.15	0.00	1.05	1.05	1.00	0.28	0.08
Tungurahua	5	13	0.43	0.21	0.35	0.42	0.15	0.20	0.85	0.65	0.86	-0.68	0.06

Se puede notar que entre Pichincha, Guayas, Azuay, El Oro y Tungurahua, la que tiene una mayor media es Pichincha con un valor de 0.47, seguido de Tungurahua con 0.43, teniendo estas una mayor profundidad de pobreza dentro de la pobreza, en comparación con las demás provincias.

Los valores de kurtosis para Guayas, Pichincha y El Oro al ser mayores que cero nos indican que los datos están muy centrados en la medias, siendo una curva muy apuntada en comparación a las distribución normal, mientras que en Pichincha y Tungurahua al ser menores que cero, existe poca concentración de datos en la media, presentando una forma mas achatada a la distribución normal. Véase Figura 8.

Análisis	Figura 9 álisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador Tablas de frecuencias absolutas y relativas						
	Provinc	ias					
Perio	do Pichir	ncha Guaya	as Azuay	El Oro	Tungurahua	Sum	
20	07 0).45 1.0	0.75	1.05	0.85	4.10	
20	08 0).35 0.3	0.25	0.35	0.35	1.60	
20	09 0).70 0.5	0.55	0.50	0.35	2.60	
20	10 0).70 0.5	5 0.40	0.65	0.50	2.80	
20	11 0).25 0.2	5 0.25	0.20	0.30	1.25	
20	12 0	0.45 0.1	.0 0.15	0.00	0.25	0.95	
20	13 0).45 0.3	0.15	0.35	0.35	1.60	
20	14 0	0.30 0.2	0.15	0.25	0.30	1.20	
20	15 0	0.40 0.1	5 0.10	0.30	0.20	1.15	
20	16 0	0.60 0.2	0.10	0.25	0.50	1.65	
20	17 0	0.30 0.3	0.25	0.20	0.80	1.85	
20	18 0	0.60 0.4	0.05	0.20	0.60	1.85	
20	19 0	0.50 0.2	0.05	0.65	0.30	1.70	
Su	m 6	5.05 4.4	5 3.20	4.95		24.30	

Análisis de la .	•				<i>es provincias de</i> tivas	el Ecuador	
,	Provincias						
Periodo	Pichincha	Guayas	Azuay	El Oro	Tungurahua	Sum	
2007	1.85	4.12	3.09	4.32	3.50	16.87	
2008	1.44	1.23	1.03	1.44	1.44	6.58	
2009	2.88	2.06	2.26	2.06	1.44	10.70	
2010	2.88	2.26	1.65	2.67	2.06	11.52	
2011	1.03	1.03	1.03	0.82	1.23	5.14	
2012	1.85	0.41	0.62	0.00	1.03	3.91	
2013	1.85	1.23	0.62	1.44	1.44	6.58	
2014	1.23	0.82	0.62	1.03	1.23	4.94	
2015	1.65	0.62	0.41	1.23	0.82	4.73	
2016	2.47	0.82	0.41	1.03	2.06		
2017	1.23	1.23	1.03	0.82	3.29	7.61	
2018			0.21			7.61	
2019				2.67			
Sum	24.90		13.17			100.00	

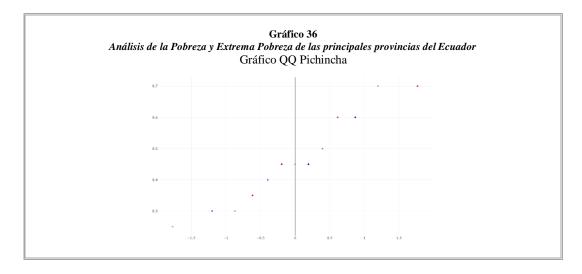
			Figura 11				
Análi	isis de la Pobreza y	Extrema Pe	obreza de las	rincipales	s provincia	s del Ec	uador
		Análisis	Estadístico E	Bivariante	-		
\$multivaria	ateNormality						
	Test	Statistic		p value	Result		
	kewness 62.1395				NO		
2 Mardia K	urtosis 0.363848	084926408	0.715971	153449742	YES		
3	MVN	<na></na>		<na></na>	NO		
\$univariate	eNormality						
	Test Variable	Statistic	n value	Normality			
	Wilk Pichincha						
	wilk Guayas						
3 Shapiro-N	wilk Azuay	0.8311	0.0163	NO			
4 Shapiro-N	wilk El Oro	0.8840	0.0809	YES			
5 Shapiro-V	wilk Tungurahua	0.8585	0.0368	NO			
\$Descriptiv	ves.						
12050 . pc 1		Std.Dev Me	edian Min	Max 25th	75th	Skew	Kurtosis
Pichincha	13 0.4653846 0.						
Guayas	13 0.3423077 0.						
	13 0.2461538 0.	2076270	0.15 0.05	0.75 0.10	0.25 1.1	653268	0.2144933
	13 0.3807692 0.						
Tungurahua	13 0.4346154 0.	2055325	0.35 0.20	0.85 0.30	0.50 0.8	611007	-0.6847680

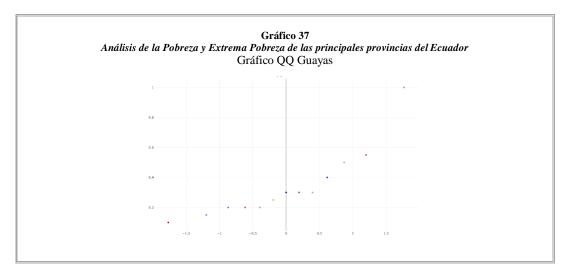
De igual manera que con la incidencia de pobreza extrema, se ha realizado la prueba de Mardia Skewness y la de Kurtosis donde ambas hipótesis serán:

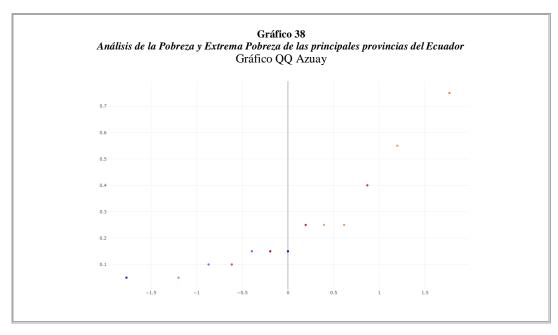
H0: Los datos se ajustan a una hipotesis multivariante

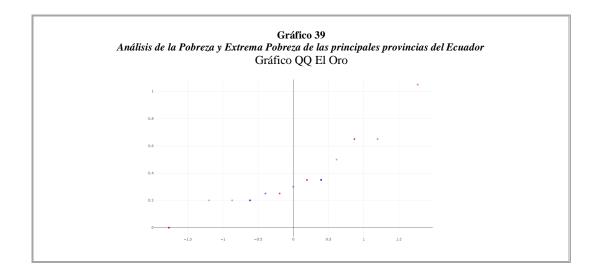
H1: Los datos no se ajustan

Ambas nos corfirman esta hipótesis, y asimismo se realiza la prueba de shapiro para cada variable donde se obtiene como resultado las provincias de Pichinca y El Oro siguen una distribucion normal, mientras que las restantes no.



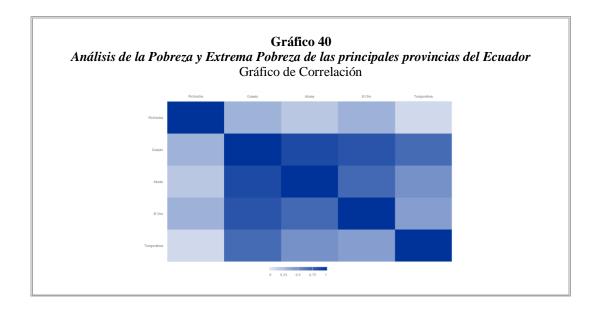






De manera general, si trazamos una diagonal se puede notar que, para las provincias de Pichincha y El Oro, lo datos se ajustan más a una distribución normal en comparación con las otras variables.

Análisis de Componentes Principales



En el G´rafico 40 de correlación notamos que existen correlaciones entre las variables de severidad entre las principales provincias estudiadas. Se puede observar que, entre las provincias de Azuay y Guayas, además de El Oro y Guayas existe una correlación fuerte de 0.81 y 0.84 respectivamente, en comparación a las demás variables, en cuanto a las profundidades de pobreza dentro de la pobreza.

BIPLOT sin rotar Gráfico 2D

```
Figura 12

Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador
Análisis de Componentes Principales

Principal Components Analysis
Call: principal(r = datos_sever_ext_pob[, 2:6], nfactors = 3, rotate = "none")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
PCI PC2 PC3 h2 u2 com
Pichincha 0.38 0.89 0.24 1.00 0.0041 1.5
Guayas 0.98 -0.07 -0.02 0.97 0.0341 1.0
Azuay 0.88 -0.12 -0.26 0.86 0.1362 1.2
El Oro 0.86 0.09 -0.31 0.85 0.1471 1.3
Tungurahua 0.71 -0.35 0.61 0.99 0.0077 2.5

PCI PC2 PC3
SS loadings 3.14 0.94 0.59
Proportion Var 0.63 0.19 0.12
Cumulative Var 0.63 0.82 0.93
Proportion Explained 0.67 0.20 0.13
Cumulative Proportion 0.67 0.20 0.13
Cumulative Proportion 0.67 0.87 1.00

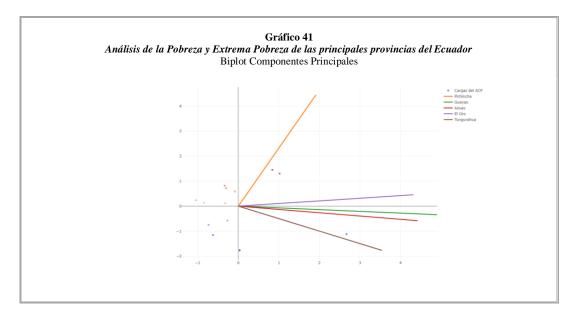
Mean item complexity = 1.5
Test of the hypothesis that 3 components are sufficient.

The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.04
with the empirical chi square 0.52 with prob < NA

Fit based upon off diagonal values = 0.99
```

En la Figura 12 se puede notar que las cargas de ACP son muy similares por lo que es posible hacer rotaciones.

Como sabemos 1 - las comunalidades representa esa varianza que no pudo ser explicada por el factor 1, por lo que como se mencionó anteriormente ante las posibilidades de hacer rotaciones, se realizaran las mismas con el fin de notar si puede ser explicada una mayor varianza.



Se puede notar en el gráfico interactivo que entre Guayas y El Oro existe correlación o mayor correlación, que, entre guayas y Pichincha, por ejemplo. Por otro lado, se puede notar que Guayas explica o proporciona mejor información debido a la longitud de su vector, con respecto a las otras provincias. Véase Gráfico 41.

BIPLOT Rotando: Rotación Ortogonal

```
Figura 13

Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador

Análisis de Componentes principales con rotación

Principal Components Analysis

Call: principal(r = datos_sever_ext_pob[, 2:6], nfactors = 3, rotate = "varimax")

Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix

RC1 RC3 RC2 b2 u2 com

Pichincha 0.15 0.03 0.99 1.00 0.0041 1.0

Guayas 0.84 0.48 0.17 0.97 0.0341 1.7

Azuay 0.89 0.26 0.03 0.86 0.1362 1.2

El oro 0.89 0.13 0.20 0.85 0.1471 1.1

Tungurahua 0.30 0.95 0.03 0.99 0.0077 1.2

RC1 RC3 RC2

SS loadings 2.41 1.22 1.04

Proportion var 0.48 0.24 0.21

Cumulative var 0.48 0.27 0.93

Proportion Explained 0.52 0.26 0.22

Cumulative Proportion 0.52 0.78 1.00

Mean item complexity = 1.2

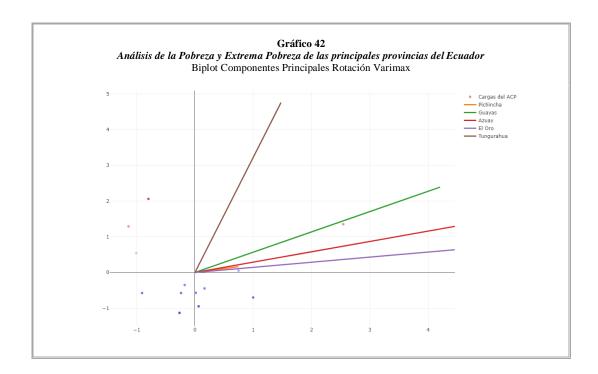
Test of the hypothesis that 3 components are sufficient.

The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.04

with the empirical chi square 0.52 with prob < NA

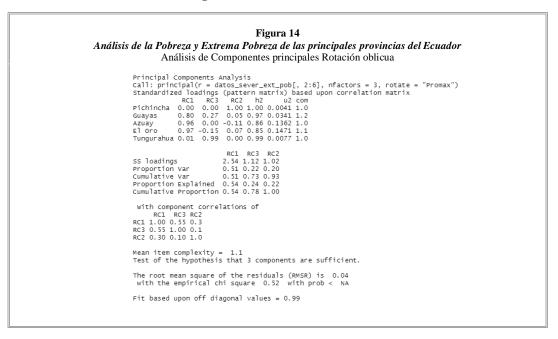
Fit based upon off diagonal values = 0.99
```

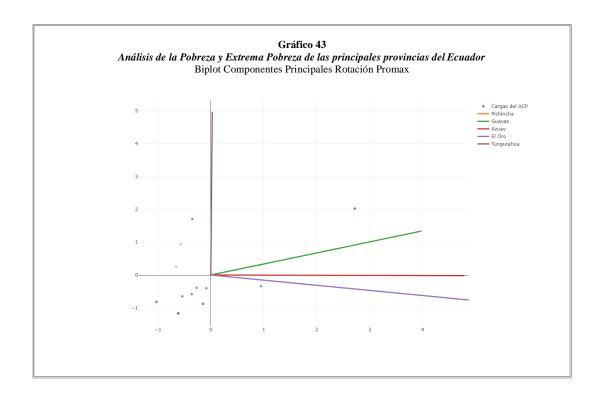
Como se puede observar, de igual manera que en la incidencia de extrema pobreza existe una Unicidad baja en la mayoria de variables, por lo tanto se puede considerar continuar con el analisis ya que existe muy poca varianza que queda por explicar. Véase Fogura 13.



Algo importante a destacar del gráfico con rotación varimax, es que el vector de la provincia de Pichincha es muy pequeño a cuando no se aplicaba algún tipo de rotación, lo que podría indicar que aporta muy poca varianza en el plano bidimensional. Véase Gráfico 42.

BIPLOT Rotando: Rotación Ortogonal

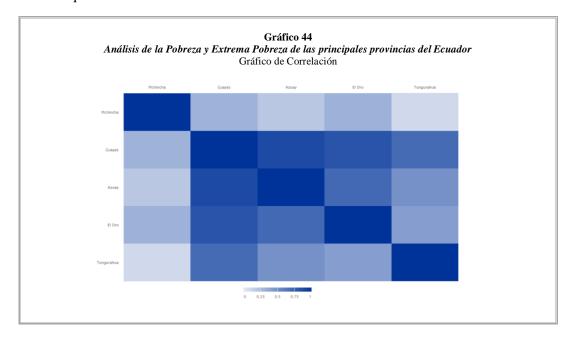


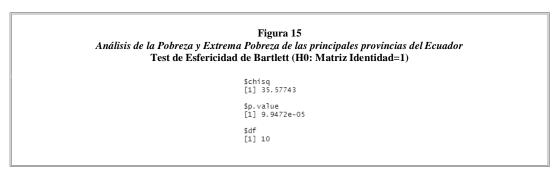


Aplicando una rotación promax, en este caso ni siquiera es posible observar el vector de varianza aportada en el plano bidimensional, además, de que la provincia de Tungurahua y El Oro no existe correlación significativa. Véase Gráfico 43.

Análisis Factorial Correlación entre variables

Teniendo una determinante de 0.0236358, siendo este muy cercano a cero, es una buena señal de que se debe continuar con el análisis factorial.





A valores pequeños de K-squared expresa que existe una homogeneidad en las varianzas y por lo consiguiente existen un buen número de correlaciones positivas entre las variables y el p-valor y se puede corroborarlo definiendo a:

H0: Las varianzas son homogéneas (correlaciones aceptables), con un alfa=0.05.

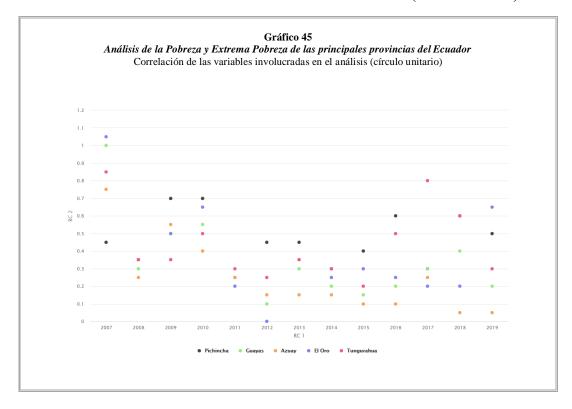
Otra explicación es que dicho test proporciona la probabilidad de que la matriz de correlación de las variables sea una matriz identidad. Véase Figura 15.

```
Figura 16
Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador
                              KMO
Kaiser-Meyer-Olkin factor adequacy
Call: KMO(r = datos_sever_ext_pob[, 2:6])
Overall MSA =
                0.6
MSA for each item =
                                          El Oro Tungurahua
 Pichincha
                 Guayas
                              Azuay
      0.57
                   0.56
                                0.64
                                            0.70
                                                         0.50
```

El estadístico KMO varía entre 0 y 1. Los valores pequeños indican que el análisis factorial puede no ser una buena idea, dado que las correlaciones entre los pares de variables no pueden ser explicadas por otras variables. Los menores que 0.5 indican que no debe utilizarse el AF con la matriz de datos que se están analizando.

Siendo estos indicadores mayores a o.5 para las diferentes provincias, este indicaría que nuestra data da permite un análisis factorial adecuado. Véase Figura 16.

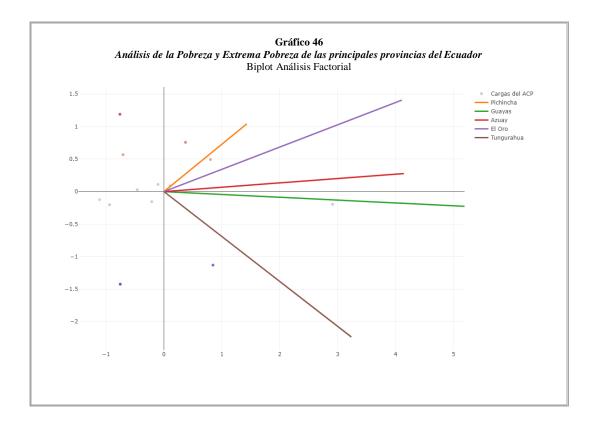
Gráfico de correlación de las variables involucradas en el análisis (círculo unitario)



Se puede notar en el Gráfico 45 el comportamiento de los datos de severidad para extrema pobreza desde el 2007 al 2019.

BIPLOT sin rotar Gráfico 2D

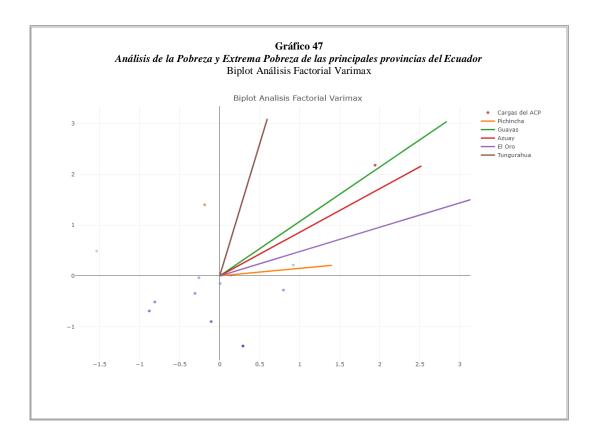
```
Figura 17
        Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador
                               Análisis Factorial
Factor Analysis using method =
                                 pa
Call: fa(r = datos_sever_ext_pob[, 2:6], nfactors = 2, n.obs = 65,
    rotate = "none", fm = "pa")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
            PA1
                  PA2
                         h2
                               u2 com
Pichincha 0.29 0.21 0.13
                             0.87 1.8
           1.04 -0.05 1.08 -0.08 1.0
Guayas
Azuay
           0.83 0.06 0.69
                            0.31 1.0
El Oro
           0.82 0.28 0.75
                             0.25 1.2
Tungurahua 0.65 -0.45 0.62
                            0.38 1.8
                        PA1 PA2
ss loadings
                       2.94 0.33
                       0.59 0.07
Proportion Var
Cumulative Var
                       0.59 0.65
Proportion Explained 0.90 0.10
Cumulative Proportion 0.90 1.00
Mean item complexity = 1.4
Test of the hypothesis that 2 factors are sufficient.
```



Es posible notar que existen ángulos muy agudos, permitiendo decir que existe correlación entre ellas, pero por supuesto, en diferente grado para las variables. Se puede observar también que para la provincia de Pichincha no proporciona mucha información en el gráfico bidimensional. Véase Gráfico 46.

BIPLOT Rotando: Rotación Ortogonal

Habiendo realizado una rotacion ortogonal se puede ver como queda aún varinza por explicar. Véase Figura 18.

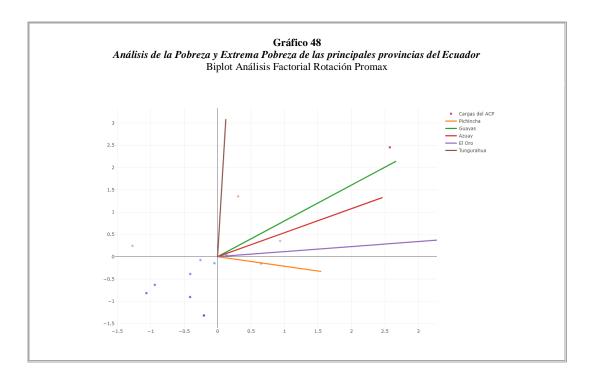


Podemos ver que las cargas se encuentran en su myoria en el tercer cuadrante, y que los vectores presentan angulos más agudos, que explicarria correlación mas significatica. Véase Gráfico 47.

BIPLOT Rotando: Rotación Oblicua

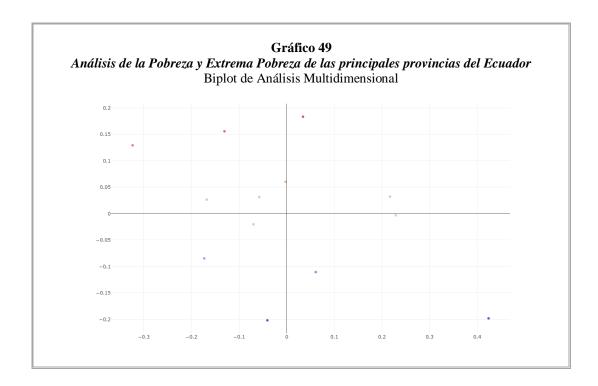
```
Figura 19
 Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador
                        Análisis Factorial Rotación Oblicua
PA1 PA2 h2 u2 com
Pichincha 0.39 -0.08 0.13 0.87 1.1
Guayas
                  0.54 1.08 -0.08 1.9
Azuay
El Oro
            0.62 0.33 0.69
0.82 0.09 0.75
                               0.31 1.5
0.25 1.0
Tungurahua 0.03
                   0.77 0.62
                               0.38 1.0
SS loadings
                         1.95 1.31
0.39 0.26
Proportion Var
Cumulative Var
Proportion Explained
                         0.39 0.65
0.60 0.40
Cumulative Proportion 0.60 1.00
    PA1 PA2
1.00 0.49
PA1
PA2 0.49 1.00
Mean item complexity = 1.3
Test of the hypothesis that 2 factors are sufficient.
```

Se nota que aunque no por mucho, queda menos varianza por explicar. Véase Figura 19.

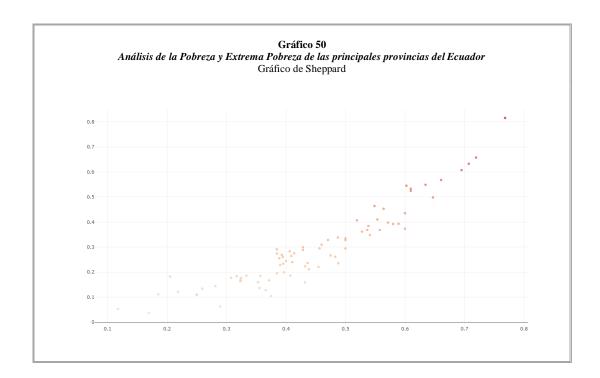


Finalmente aplicando rotación oblicua, se observa que las variables presentna angulos más abiertos que indican correlaciones no tan significativas. Véase Gráfico 48.

Escalado Multidimensional

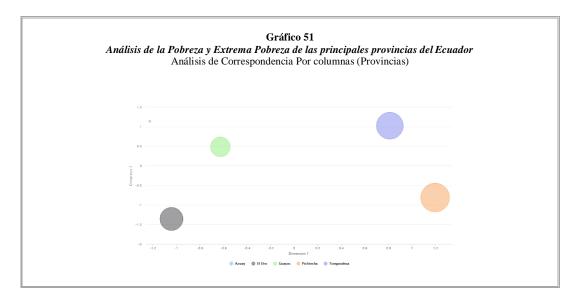


Utilizando el método de distancia jaccard, aconsejable para saber las relaciones entre variables, donde podemos ver que existe una mayor distancia entre los años 2007 y 2012 en cuanto a indicadores de severidad de extrema pobreza. Véase Gráfico 49.

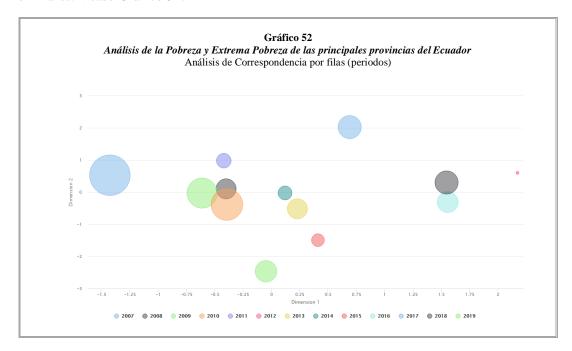


El diagrama de Shepard nos ofrece la posibilidad de detectar cualquier anomalía. La configuración estará bien ajustada cuando el diagrama refleje una función creciente. En este caso se puede visualizar de esta manera, pero las similaridades se encuentran muy dispersas. Véase Gráfico 50.

Análisis de Correspondencia



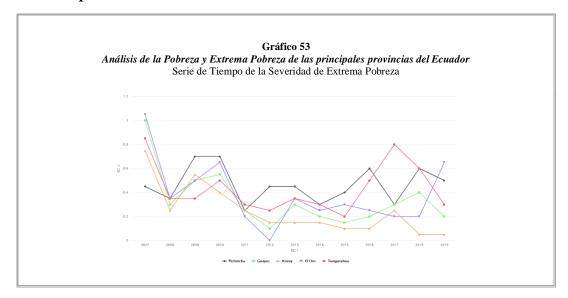
En el análisis de correspondencia podemos denotar como Azuay puede existir una menor severidad, es decir, no es tanta la profundidad de pobreza, dentro de pobreza, comparándola con las otras variables. Por otro lado, Pichincha y Tungurahua presentan severidades muy similares. Véase Gráfico 51.



En el análisis de correspondencia por filas nos denotan la variabilidad en los periodos trabajados, donde, por el contrario, denotamos que el 2012 en las 5 principales provincias existió una menor severidad, mientras que de igual manera en el 2007 fue donde se tuvo la mayor severidad de extrema pobreza.

Se decidió hacer un análisis de correspondencia a las variables categóricas Pobreza y Extrema pobreza de la población muestral que obtuvimos en la encuesta del INEC para tener una mayor apreciación de lo ya mencionado.

Serie de tiempo



Esta serie de tiempo muestra ha incrementado o no los niveles de severidad en las distintas provincias estudias donde se puede notar que en Tungurahua ese grado de severidad incremento bruscamente entre el 2015 y 2017, por el contrario, a El Oro que tuvo una disminución del 2011 al 2012, pero el nivel de severidad aumento medianamente brusco para el siguiente año.

Cabe mencionar, que tal como se reflejó en la incidencia, para Azuay, este nivel de severidad ha ido disminuyendo a través de los años. Véase Gráfico 53.

Mapa del Ecuador

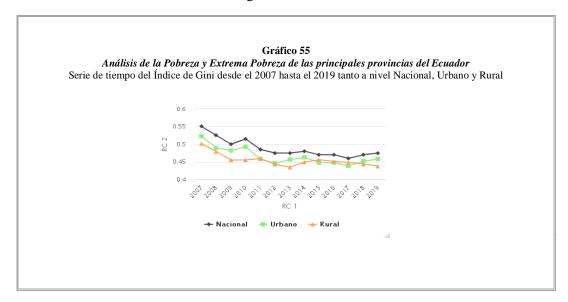


En mapa del Ecuador proyectado obtuvimos se nota que estos niveles de severidad se encuentran de manera más fuerte en las provincias de Pichincha y Tungurahua, mientras que para Azuay todo lo contrario. Véase Gráfico 54.

Coeficiente de Gini

Es una medida en la cual resume la manera de cómo se distribuye una variable entre el conjunto de individuos. En lo que tiene que ver con desigualdad económica medie como se distribuye el ingreso per cápita entre los habitantes de la población, mide el grado de desigualdad en la distribución del ingreso.

Si este indicador se encuentra entre cero, la cual nos dice que tiene igualdad perfecta, y llega hasta uno, donde nos dice ausencia de igualdad.



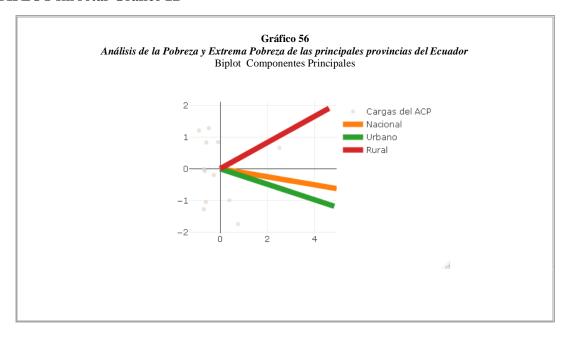
Del Gráfico 55 se observa la serie de tiempo del Índice de Gini, donde se nota que generalmente el índice decayó un poco se podría decir hasta el año 2013, posterior a este año vemos que tiene una tendencia a ser constante, a permanecer en el tiempo. Se observa que en durante un periodo breve de tiempo el índice de Gini urbano estuvo por debajo del índice de Gini rural.

Analisis Descriptivo

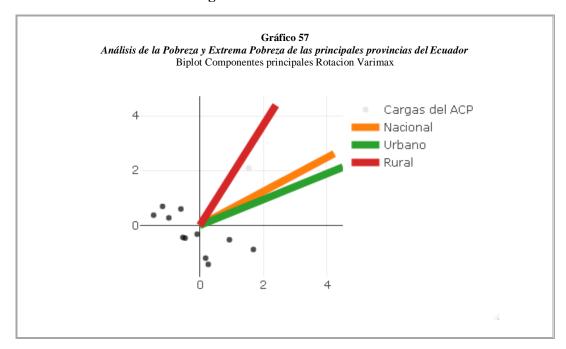
Tabla 3 Análisis de la Pobreza y Extrema Pobreza de las principales provincias del Ecuador Analisis Descriptivo del Indice de Gini a nivel Nacional, Urbano y Rural								
	n	mean	sd	median	min	max	range	curtosis
Nacional	13	0.49	0.03	0.48	0.46	0.55	0.09	-0.23
Urbano	13	0.47	0.02	0.46	0.44	0.52	0.08	-0.22
Rural	13	0.46	0.02	0.45	0.44	0.50	0.07	0.98

De la Tabla 3 se observan algunos descriptivos pertenecientes a cada variable, tales como la media, la desviacion estandar, la mediana, el rango de dicha variable, y la curtosis, donde vemos que tanto a nivel Nacional como en Urbano hay una menor concentracion de los datos al redeor de la media, ya que el resultado me dio un numero negativo.

Componentes Principales BIPLOT sin rotar Gráfico 2D



BIPLOT Rotando: Rotación Ortogonal



7. Conclusiones

Con el Análisis Descriptivo, Bivariante, Multivariante se pudo denotar que en los últimos 13 años el "El Oro" aun siendo una provincia con la menor superficie y población de las analizadas posee la mayor incidencia de extrema pobreza a comparación de las otras 4 provincias. Asimismo tanto Guayas, Pichincha y Tungurahua poseen un porcentaje de incidencia similar a la media, en el caso de Azuay se podría concluir que es una provincia que en los últimos años ha ido decreciendo su incidencia, por lo tanto este análisis se da como una antesala para continuar con los factores o causas que Azuaya cada años tenga un menor número de incidencia de extrema pobreza en su población

De igual manera punto importante a analizar es como desde el 2015 poseyendo la menor incidencia de pobreza extrema en ese periodo de tiempo, ha vuelto el país a incrementar su incidencia de extrema pobreza como se denoto en el análisis de correspondencia, gracias a las preguntas de la encuesta del INEC que se analizó, se pudo denotar que el mayor factor de la extrema pobreza es el nivel de educación.

Sin embargo, esta asociación que se ha hecho puede ser tomada como una antesala a un futuro análisis de dicha información, ya que en la tabla de causas que dejen los estudios o su nivel de educación obtuvimos como resultado que fue por deseo de trabajar.

Asimilando estos resultados con el análisis de correspondencia y podríamos incluir como factor que la mala administración pública en los últimos gobiernos ha logrado un incremento de incidencia de extrema pobreza, y el nivel de educación solo sería una variable de confusión o mediadora.

8. Bibliografía

Censos, I. N. (2019). Boletín Técnico - Encuesta Nacional de Empleo, Desempleo y Subempleo (ENEMDU). Guayaquil.

Censos, I. N. (2019). Indicadores de Pobreza y Desigualdad. Guayaquil.

Guiu, S. G. (2013). Máster en Análisis Avanzado de Datos Multivariantes. Madrid.

INEC, E. t. (2008). Medidas de pobreza y extrema pobreza por ingresos. Guayaquil.