

2) $A = \{yy \mid y \in \{0,1\}^*\}$ no es regular

Contradicción

Supongamos A es regular.

Por pumping lemma $p \geq 1$, $s \in A$ $|s| \geq p$ se escribe

$s = xyz$ cumpliendo

$$1) |xy| \leq p,$$

$$2) |y| \geq 1,$$

$$3) \forall i \geq 0, x y^i z \in A$$

$$S = 0^p 1 0^p \in A \text{ (es } yy \text{ con } y = 0^p 1)$$

$$|xy| \leq p$$

$$y = 0^k, 1 \leq k \leq p$$

$$S' = x y^0 z = xz = 0^{p-k} 1 0^p$$

Si k es impar, $|S'| = (p-k) + 1 + p = 2p - k + 1$ es impar

$A = \{yy\}$ tiene longitud par \Rightarrow contradicción

Si k es par, suponemos $S' \in A \Rightarrow S' = qq$

$$S' = 0^{p-k} 1 0^p, \text{ el primer 1 está en la posición } (p-k) + 1 \times \frac{|S'|}{2} = p - \frac{k}{2} + 1$$

$$(p-k) + 1 = p - \frac{k}{2} + 1 \Rightarrow k = 0, \text{ no es posible porque } |y| = k \geq 1$$

en ambos casos $S' \notin A$

$\therefore A = \{yy \mid y \in \{0,1\}^*\}$ no es regular.