



COMPUTER SCIENCE & MATHEMATICS

Integral Tak Tentu

(1)

Fakultas Ilmu Komputer, Universitas Indonesia

TABLE OF CONTENTS

01

Integral Sebagai
Antiturunan

02

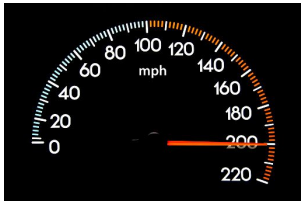
Properti Dasar
Integral Tak Tentu

Sebelumnya ...

1 4 4 9 6 9

Odometer

(pengukur jarak yang ditempuh mobil)



Speedometer

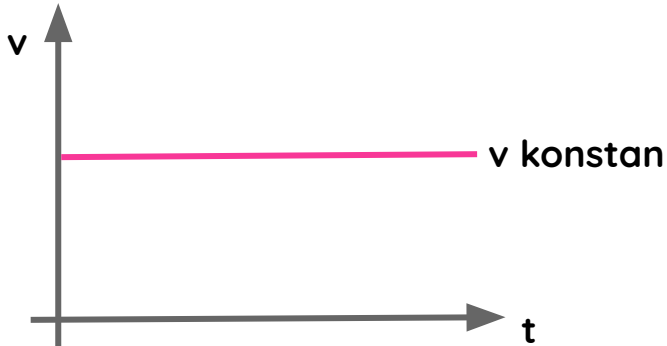
(pengukur kecepatan mobil)



$$s = v \cdot t$$



Mobil Kalkulus

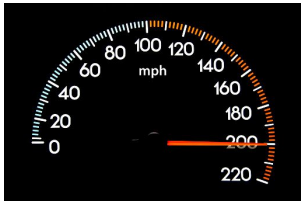


Sebelumnya ...

1 4 4 9 6 9

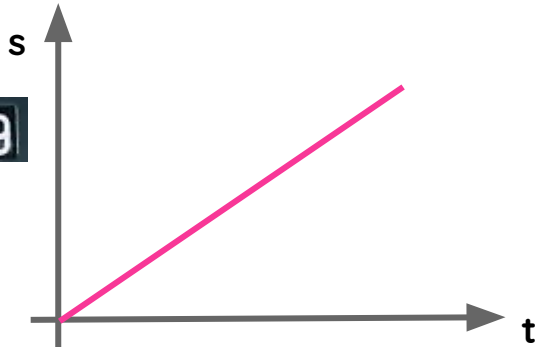
Odometer

(pengukur jarak yang ditempuh mobil)

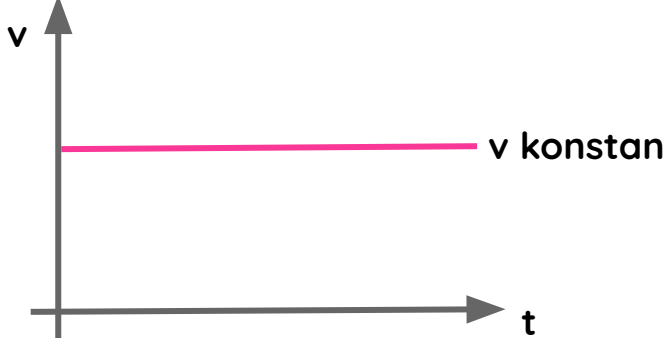


Speedometer

(pengukur kecepatan mobil)



$$s = v \cdot t$$



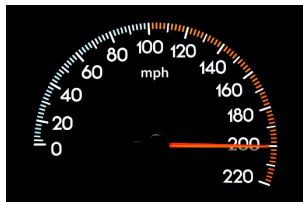
Mobil Kalkulus

Sebelumnya ...

1 4 4 9 6 9

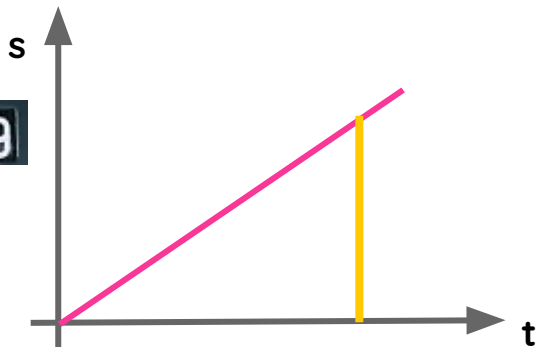
Odometer

(pengukur jarak yang ditempuh mobil)



Speedometer

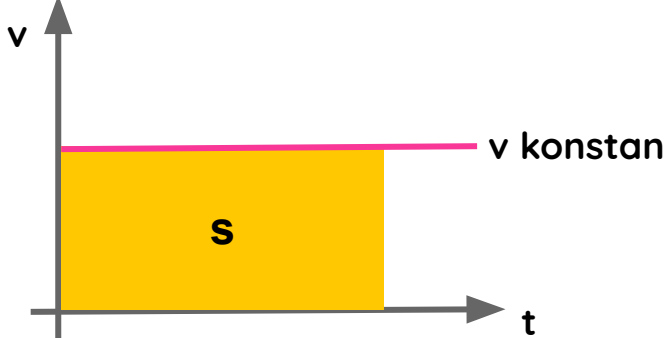
(pengukur kecepatan mobil)



$$s = v \cdot t$$



Mobil Kalkulus

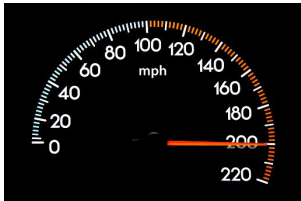


Sebelumnya ...

1 4 4 9 6 9

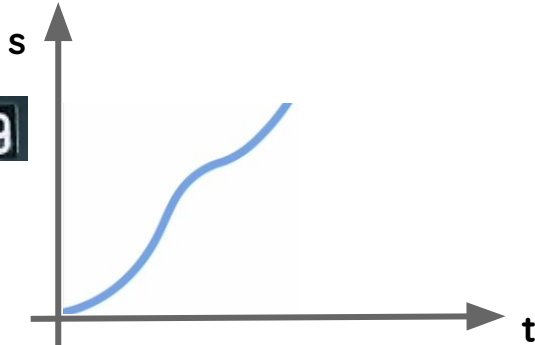
Odometer

(pengukur jarak yang ditempuh mobil)



Speedometer

(pengukur kecepatan mobil)



$$s = v \cdot t$$

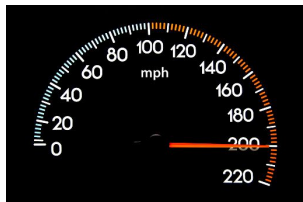


Mobil Kalkulus

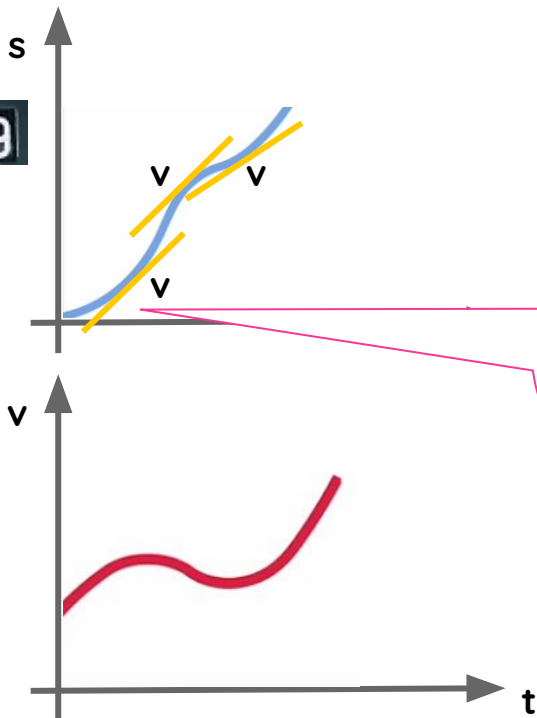
Sebelumnya ...

1 4 4 9 6 9

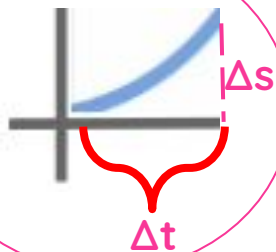
Odometer
(pengukur jarak yang ditempuh mobil)



Speedometer
(pengukur kecepatan mobil)



$$s = v \cdot t$$



Mobil Kalkulus

→ $v = s/t$

Sebelumnya ...

Derivative (Turunan)

Kita bisa mendapatkan derivative atau turunan dari semua jenis fungsi seperti di tabel berikut:

$f(x)$	c	x^n	$\sin x$	$\cos x$	$\ln x$	e^x
$f(x) \, dx$	0	nx^{n-1}	$\cos x$	$-\sin x$	$1/x$	e^x

Dan kita juga bisa punya beberapa aturan (*rule*) yang *applicable* untuk derivative:

- Aturan rantai
- Aturan tambah/kurang $\Rightarrow d[f(x) \pm g(x)] = d f(x) \pm d g(x)$, jika $(f \pm g)'(x) = f'(x) \pm g'(x)$
- Aturan kali $\Rightarrow d[f(x) \cdot g(x)] = f(x) dg(x) + g(x) d f(x)$, jika $(fg)'(x) = f(x)g'(x) + g(x)f'(x)$
- Aturan bagi $\Rightarrow d[f(x) / g(x)] = \frac{g(x) df(x) - f(x) dg(x)}{g^2(x)}$, jika $(f/g)'(x) = \frac{g(x)f'(x) - f(x)g'(x)}{g^2(x)}$

1. Anti-derivative

Pengenalan

Notasi:

$$\int f(x)dx = F(x) + C \quad \text{dengan kata lain} \quad \int dF(x) = F(x) + C$$

dengan $f(x)$ = integran

2. Properti Dasar Integral Tak Tentu

Anti-derivative (Integral Tak Tentu)

Kumpulan derivative:

f(x)	c	x^n	sin x	cos x	ln x	e^x
f(x) dx	0	nx^{n-1}	cos x	-sin x	1/x	e^x

anti-derivative ↑

Aturan yang dapat diaplikasikan pada anti-derivative:

- $$\int kf(x)dx = k \int f(x)dx$$
- $$\int (f(x) \pm g(x)) dx = \int f(x)dx \pm \int g(x)dx$$

2. Properti Dasar Integral Tak Tentu

Anti-derivative (Integral Tak Tentu)

Kumpulan fungsi, derivative, dan anti-derivative:

$f(x)$	c	x^n	$\sin x$	$\cos x$	$\ln x$	e^x
$f(x) \, dx$	0	nx^{n-1}	$\cos x$	$-\sin x$	$1/x$	e^x
$\int f(x) \, dx$	C	x^n	$\sin x$	$\cos x$	$\ln x$	e^x

*Contoh teorema anti-derivative lainnya:

$$1. \int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C$$

$$4. \int x^r dx = \frac{x^{r+1}}{r+1} + C$$

Power Rule

$$2. \int \frac{du}{\sqrt{a^2 - u^2}} = \sin^{-1}\left(\frac{u}{a}\right) + C$$

$$5. \int [g(x)]^r g'(x) dx = \frac{[g(x)]^{r+1}}{r+1} + C$$

Generalized Power Rule

$$3. \int \frac{du}{a^2 + u^2} = \frac{1}{a} \tan^{-1}\left(\frac{u}{a}\right) + C$$

2. Properti Dasar Integral Tak Tentu

Anti-derivative (Integral Tak Tentu)

Kumpulan anti-derivative:

$f(x) \, dx$	0	nx^{n-1}	$\cos x$	$-\sin x$	$1/x$	e^x
$\int f(x) \, dx$	C	x^n	$\sin x$	$\cos x$	$\ln x$	e^x

Contoh:

1. $f(x) = x^n \rightarrow f'(x) = nx^{n-1} \, dx \Rightarrow \int nx^{n-1} \, dx = ?$

2. $f(x) = 2x+1 \rightarrow f'(x) = 2 \, dx + 0 \Rightarrow$ Tentukan: $\int 2 \, dx$ pada interval $(-\infty, \infty)$?

2. Properti Dasar Integral Tak Tentu

Anti-derivative (Integral Tak Tentu)

Kumpulan anti-derivative:

$f(x) dx$	0	nx^{n-1}	$\cos x$	$-\sin x$	$1/x$	e^x
$\int f(x) dx$	C	x^n	$\sin x$	$\cos x$	$\ln x$	e^x

Contoh:

1. $f(x) = x^n \rightarrow f'(x) = nx^{n-1} dx \Rightarrow \int nx^{n-1} dx = ?$

$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C$$

2. $f(x) = 2x+1 \rightarrow f'(x) = 2 dx + 0 \Rightarrow$ Tentukan: $\int 2 dx$ pada interval $(-\infty, \infty)$?

$$\Rightarrow 2 \int dx = 2 \int x^0 dx = 2 \frac{x^{0+1}}{0+1} + C = 2x + C \quad \text{berapa } C \text{ nya?}$$

Latihan Soal

Anti-derivative (Integral Tak Tentu)

Tentukan integral tak tentu dari:

1. $\int e^x \sec^2 x + e^x \tan x dx =$

2. $\int -\csc x \cot x + x^4 - x^2 dx =$

3. $\int \frac{2}{x} - \csc x (\csc x + \cot x) + x^3 - x^2 dx =$

Latihan Soal

Anti-derivative (Integral Tak Tentu)

Tentukan integral tak tentu dari:

1. $\int e^x \sec^2 x + e^x \tan x dx =$
2. $\int -\csc x \cot x + x^4 - x^2 dx =$
3. $\int \frac{2}{x} - \csc x (\csc x + \cot x) + x^3 - x^2 dx =$

Jika dilakukan derivative, maka sebenarnya $F(x) = e^x \cdot \tan(x)$
Tapi apakah hasil derivative nya ($dF(x)$) dapat kita integralkan?
Perlu teknik integral tertentu



End