NOYAUX : DESCRIPTION, PROPRIÉTÉS & MODÈLES

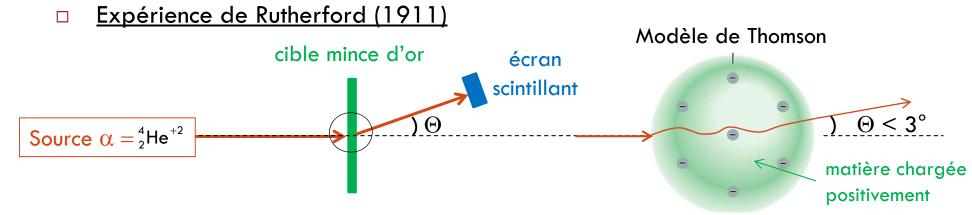
Partie I

Physique nucléaire & ses applications

Découverte du noyau

2

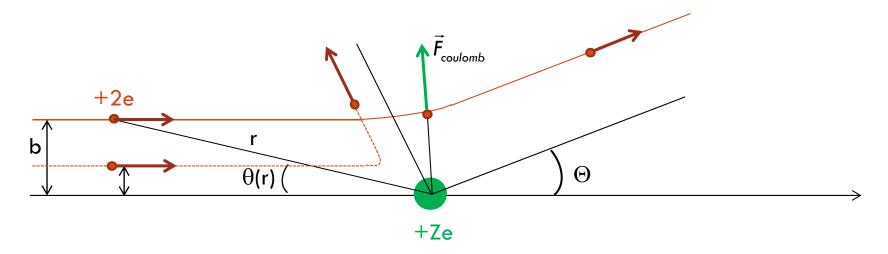
- L'atome contient des électrons, particules « légères » chargées négativement
- L'atome est neutre électriquement : la charge positive qu'il contient doit être exactement opposée à celle des électrons
- masse de l'électron << masse de l'atome : la masse de l'atome est principalement associée à la charge positive
- □ Modèle de J. J. Thomson : « plum pudding » model
 - →les électrons sont immergés dans une sphère, de rayon équivalent à celui de l'atome (\sim Å = 10^{-10} m), et contenant une densité uniforme de charges positives



Observation : 99% des particules α détectées à des angles < 3°, 0,01% des particules détectées à 90° < Θ < 180°

→ incompatible avec le modèle de Thomson

- modèle de Rutherford : toute la charge positive de l'atome est concentrée dans une région confinée au centre de l'atome appelé le noyau
 - \rightarrow Si la particule α passe suffisamment près du noyau, de charge +Ze, elle ressent une forte répulsion coulombienne, et est donc déviée à de grands angles



- □ lois de conservation pour les forces centrales
 - conservation de l'énergie totale : $E = T + E_p$
 - conservation de la quantité de mouvement totale : $\vec{p} = m\vec{v}$
 - conservation du moment angulaire total : $\vec{\ell} = \vec{r} \wedge m\vec{v}$

Découverte du noyau

4

- hypothèses simplificatrices
 - choc frontal
 - $\mathbf{m}_{\alpha} << \mathsf{M}$
 - $lue{}$ trajectoire asymptotique \leftrightarrow $E_p \sim 0$
- conservation de l'énergie totale : $m_a v_a^2 = m_a v_a^{'2} + M V'^2$
- conservation de la quantité de mouvement : $m_{\alpha} v_{\alpha} = m_{\alpha} v'_{\alpha} + MV'$

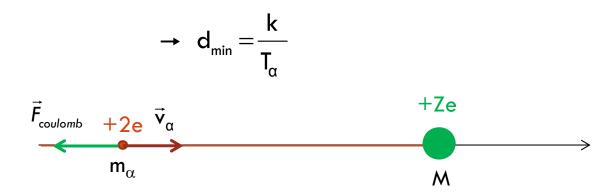
$$\vec{F}_{coulomb}$$
 +2e \vec{v}_{α} +Ze \vec{m}_{α}

$$m_{\alpha} \mathbf{v}_{\alpha} = m_{\alpha} \mathbf{v'}_{\alpha} + MV' \Longrightarrow MV'^{2} = \frac{m_{\alpha}^{2} (\mathbf{v}_{\alpha} - \mathbf{v'}_{\alpha})^{2}}{M} = m_{\alpha} (\mathbf{v}_{\alpha}^{2} - \mathbf{v'}_{\alpha}^{2})$$

$$\Longrightarrow \frac{m_{\alpha}}{M} (\mathbf{v}_{\alpha} - \mathbf{v'}_{\alpha}) = (\mathbf{v}_{\alpha} + \mathbf{v'}_{\alpha}) \Longrightarrow \mathbf{v}_{\alpha} \left(\frac{m_{\alpha}}{M} - 1\right) = \mathbf{v'}_{\alpha} \left(1 + \frac{m_{\alpha}}{M}\right)$$

$$m_{\alpha} << M \Rightarrow v_{\alpha} \approx -v'_{\alpha} \text{ et } V' \approx 0$$

- □ limite supérieure de la dimension du noyau
- ⇒ Distance minimale d'approche dans le cas d'un choc frontal : d_{min}
 - ${\color{red}\square}$ conservation de l'énergie totale de la particule α en r_{∞} et d_{min} :



Expérience de Rutherford (1911)

$$\frac{k}{Z_{\alpha}Z_{Au}} = 2,304 \ 10^{-28} \, (J.m)$$

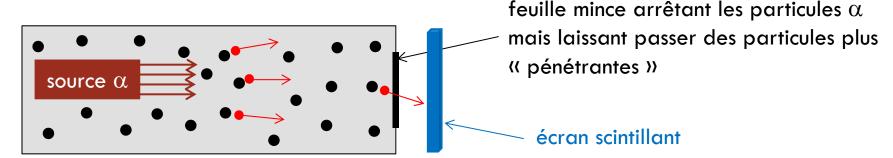
$$\Rightarrow R_{noyau} < d_{min} \approx 45 \, fm \quad soit \sim 10^5 \, fois \, plus \, petit \, que \, la \, dimension \, de \, l'atome$$

$$1 \, fm = 10^{-15} \, m$$

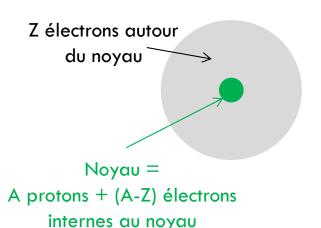
Découverte du noyau

6

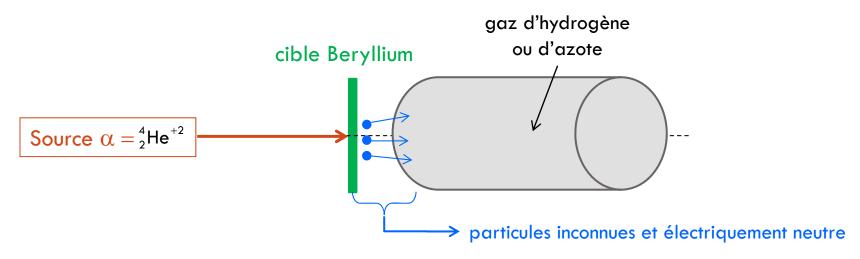
- Découverte du proton par Rutherford (1919)
 - immersion d'une source émettrice de particules α dans une enceinte contenant un gaz (azote, fluor)



- identification d'une nouvelle particule « massive » émise par le noyau des atomes du gaz lorsqu'ils sont bombardés par des particules α , de charge +e : le proton
- $\rm M_p=1,67~10^{-27}~kg\sim1800~fois~plus~grande~que~la~masse~de~l'électron~m_{e^-}=9,1~10^{-31}~kg$
- □ $\frac{1^{\text{ère}} \text{ réaction nucléaire}}{{}_{2}^{4} \text{He} + {}_{7}^{14} \text{N}} \rightarrow {}_{8}^{17} \text{O} + \text{p}$
- Nouvelle représentation du noyau
 - □ masse de l'atome = masse du noyau + masse des électrons
 ~ masse du noyau = A m_p
 Nombre de masse
 - atome neutre
 - → Au sein du noyau : (A-Z) paires neutres (e⁻ proton)
 - + Z protons non « neutralisés »



découverte du neutron : expérience de Chadwick (1932)



- - $v_x >> V_{H, N}$ tel qu'au moment de la collision $V_{H,N} \sim 0$
- transfert maximal d'énergie lorsque la collision est frontale
 - ightharpoonup Chadwick a mesuré : $E_{cin}^{max}(M_H) = 5,7 MeV$ et $E_{cin}^{max}(M_N) = 1,42 MeV$

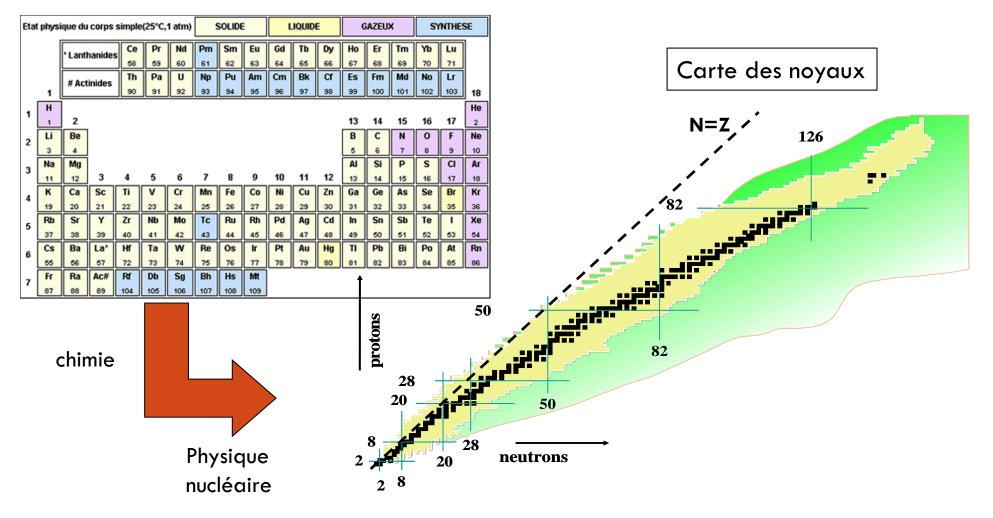
$$\frac{E_{\text{cin}}^{\text{max}}(M)}{E(m_{_{X}})} = \frac{4 \,M\,m_{_{X}}}{\left(M+m_{_{X}}\right)^2} \qquad \frac{E_{\text{cin}}^{\text{max}}(M_{_{H}})}{E_{\text{cin}}^{\text{max}}(M_{_{N}})} = \frac{5,7 \text{MeV}}{1,42 \text{MeV}} = C \Rightarrow r^2(14 C - 1) + r(28 C - 28) + (14 C - 14^2) = 0$$

$$\Rightarrow r = \frac{m_{_{X}}}{M_{_{H}}} \sim 1 \quad \Rightarrow \text{Masse des particules neutres} \quad \text{masse du proton}$$

⇒ Nouvelle représentation du noyau

8

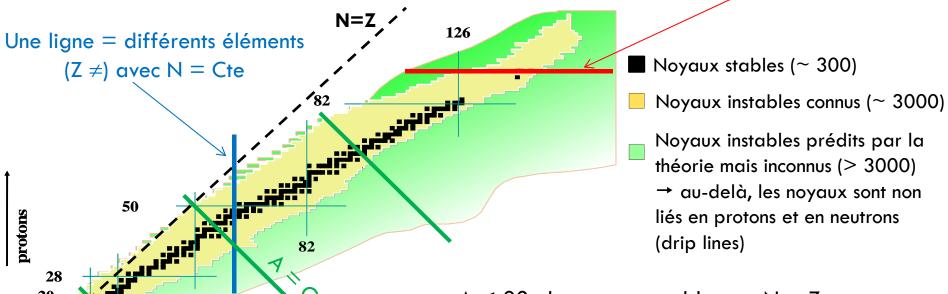
- \Box un noyau ${}_{Z}^{A}X$
 - Z protons, N neutrons
 - \triangle A = Z + N : nombre de masse
 - Z : nombre d'électrons de l'atome, définit l'élément (mêmes propriétés chimiques)



neutrons

- \square un noyau $\stackrel{A}{Z}X$
 - □ isotopes : noyaux de même $Z\left({}^{233}_{92}U,{}^{234}_{92}U,{}^{235}_{92}U,{}^{238}_{92}U\right)$
 - isotones : noyaux de même $N = A Z \begin{pmatrix} 16 & 0 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$
 - isobares : noyaux de même A $\binom{40}{20}$ Ca, $\binom{40}{19}$ K, $\binom{40}{18}$ Ar

Une ligne =isotopes d'un même élément : Z=Cte, N ≠



- A < 20 : les noyaux stables ont N \sim Z
- A > 20 : les noyaux stables s'écartent de la ligne $N \sim Z$, $N \nearrow plus$ vite que Z

densité de la matière nucléaire

$$\rho \approx \frac{A \, m_{\text{nucl\'eon}}}{V_{\text{noyau}}}$$

représentation schématique du noyau \sim assemblée de A nucléons, chacun ayant un volume d'interaction 4

 $v_{\text{nucl\'eon}} = \frac{4}{3}\pi r^3$

Hyp ①: force nucléaire à courte portée

→ chaque nucléon interagit avec ses plus proches voisins \Rightarrow $v_{\text{nucléon}} = \frac{4}{3}\pi r_0^3$ indépendant de A

- \Rightarrow Volume du noyau : $V_{noyau} = A v_{nucléon} \propto A$
- ⇒ densité indépendante de A

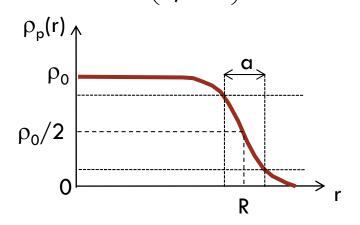
Hyp ②: force nucléaire à longue portée

→ chaque nucléon interagit avec l'ensemble des (A – 1) nucléons \Rightarrow $v_{\text{nucléon}} = \frac{4}{3}\pi r^3$ dépendant de A

- \Rightarrow Volume du noyau : $V_{\text{noyau}} = A v_{\text{nucléon}} \propto A^{\alpha}, \alpha \neq 1$
- ⇒ densité nucléaire dépendante de A

- Mesure expérimentale de la distribution des protons dans les noyaux stables
- → diffusion d'électrons de ~ qq centaines de MeV, sensibles uniquement à l'interaction coulombienne avec les protons
- → différentes modélisations du noyau sont testées pour reproduire les mesures (angles de diffusion des électrons) : noyau « ponctuel », sphère uniformément chargée, sphère uniformément chargée à bord diffus, ...
- Expression de la densité de protons dans le noyau, ρ_p(r), et valeurs des paramètres reproduisant les mesures expérimentales

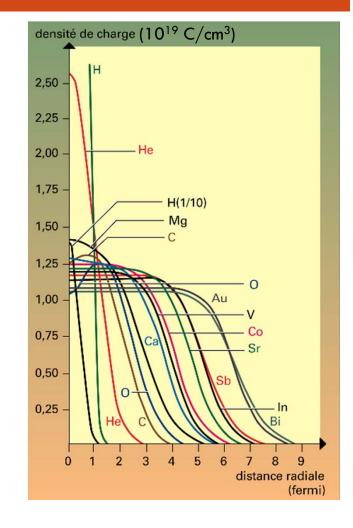
$$\rho_{\rm p}({\rm r}) = \frac{\rho_0}{1 + \exp\left(\frac{r - R}{0,228\,\alpha}\right)} \quad \text{avec} \quad \rho_{\rm p}({\rm r} = R) = \frac{\rho_0}{2} \, \text{et} \, \rho_0 \, \, \text{tel que} \quad \int \rho_{\rm p}({\rm r}) \, {\rm d}^3 \vec{r} = Z$$



- densité de charge constante à « l'intérieur » du noyau
- à la « surface », la densité décroît
 - ⇒ le noyau peut être représenté par une sphère de rayon R uniformément chargée en volume mais à bord diffus (la densité de charge ne s'annule pas brusquement)

noyau	Z	A	ρ_0 (fm ⁻³)	R	a
¹⁶ O	8	16	0,078	2,61	2,25
¹⁰⁹ Ag	47	109	0,068	5,33	2,29
²⁰⁸ Pb	82	208	0,063	6,65	2,3

- bord diffus : a ~ Cte
- \blacksquare R \propto A^{1/3} \Longrightarrow volume occupé par les Z protons \propto A
- \Rightarrow densité des protons : $\rho_p(r) \propto \frac{Z}{A}$



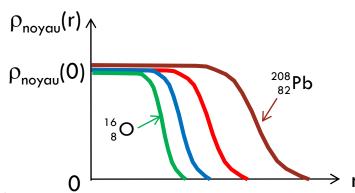
Quid des neutrons ?

 \rightarrow on suppose qu'ils occupent le même volume que les protons : $\rho_N(r) \propto \frac{N}{A}$

⇒ La densité de matière nucléaire :

$$\rho_{\text{noyau}} = \rho_p + \rho_n = \rho_p \left(1 + \frac{N}{Z} \right) = \rho_p \frac{A}{Z}$$

 $\Rightarrow \rho_{novau}$ (0)= 0,16 nucléon/fm³



un nucléon ne ressent la présence que de ses plus proches voisins et non pas des (A – 1) autres nucléons (sinon $\rho_{noyau}(0) \propto A^{\alpha}$) \Rightarrow la force nucléaire est donc à courte portée

- estimation du rayon du noyau
 - noyau \sim sphère à bord abrupt, de masse totale A et de densité $\rho_{\text{noyau}}(0)$ tel que :

$$\frac{4}{3}\pi R^3 \rho_{\text{noyau}}(0) = A$$

⇒ rayon de la sphère :
$$R = \left(\frac{3}{4\pi\rho_0}\right)^{1/3} A^{1/3} = r_0 A^{1/3} = 1,14 A^{1/3}$$
 (fm)

On utilise couramment $r_0 = 1,2$ fm pour prendre en compte le bord diffus

- □ Principe d'équivalence masse ↔ énergie
 - l'énergie "ultime" que l'on peut extraire d'un système de masse $M : E = Mc^2$

■
$$M_{proton} = 938,272 \text{ MeV/c}^2$$
; $M_{neutron} = 939,550 \text{ MeV/c}^2$; $M_{électron} = 0,511 \text{ MeV/c}^2$

- Energie de liaison, chimique ou nucléaire = variation d'énergie de masse
- → La masse M d'un système ≠ la masse de ses constituants pris séparément :

$$Mc^2 = \sum_{i \text{ constituents}} m_i c^2 - E_I$$

où E_I est l'énergie de liaison entre les constituants du système

énergie de liaison d'un noyau B(A,Z) = énergie nécessaire pour séparer les nucléons :

$$B(A,Z) = [ZM_p + (A-Z)M_n - M_{noyau}(A,Z)]c^2 > 0$$

en mesurant la masse des noyaux, on mesure leur énergie de liaison : pour un A donné, plus la masse du noyau est petite, plus le noyau est lié

- les différentes unités
 - unité de masse atomique : u.m.a définie à partir de la masse atomique de 12C

$$M_{atome}(^{12}C) = 12 \text{ uma} = 12 \text{ m}_{u} \leftrightarrow 1 \text{ m}_{u} = 10^{-3}/N_{Avogadro} = 1,66054 \ 10^{-27} \text{kg} = 931,494 \ \text{MeV/c}^{2}$$

- $M_{\rm proton} = 1,00728 \ {\rm uma} \ ; \ M_{\rm neutron} = 1,00865 \ {\rm uma} \ ; \ M(^1{\rm H}) = 1,007825 \ {\rm uma} \ {\rm avec} \ c = 2,99792 \ 10^8 \ {\rm ms^{-1}}, \ N_{\rm Avogadro} = 6,022 \ 10^{23} \ {\rm mole^{-1}} \ {\rm et} \ 1 \ {\rm eV} = 1,6 \ 10^{-19} \ {\rm Jmc}$
- excès de masse en uma : $\Delta M_{atome}(A,Z)_{uma} = M_{atome}(A,Z)_{uma} (A x 1 uma) tel que <math>\Delta(^{12}C) = 0$
- excès de masse en MeV/c² : $\Delta M_{atome}(A,Z)_{MeV/c^2} = M_{atome}(A,Z)_{MeV/c^2} 931,494 A$
 - \underline{Ex} : Ruthénium $^{100}_{44}$ Ru et Technétium $^{100}_{43}$ Tc
 - $M_{atome}(100,44) = 99,904219 \text{ uma} = 93 060,18 \text{ MeV/c}^2$
 - $M_{\text{atome}}(100,43) = 99,907657 \text{ uma} = 93.063,38 \text{ MeV/c}^2$
 - \rightarrow M_{atome} (100,43) M_{atome} (100,44) = 3,2 10⁻³ uma (ou 3,2 MeV/c²): \sim 10⁻⁵ de M_{atome}

Excès de masse

- $\Delta M_{atome}(100,44) = -0.095781 \text{ uma} = -89, 21946 \text{ MeV/c}^2$
- $\Delta M_{\text{atome}}(100,43) = -0,092343 \text{ uma} = -86,01698 \text{ MeV/c}^2$
- ⇒ l'intérêt de l'excès de masse est de faire apparaître les chiffres significatifs pertinents

- les différentes unités
 - masse d'un noyau/masse d'un atome

$$M_{atome}(A,Z) c^2 = M_{noyau}(A,Z)c^2 + Zm_ec^2 - E_{l,e}$$

avec $\rm E_{l,e} \sim qq~eV-qq~keV~n\acute{e}gligeable~/~Zm_ec^2$

$$\Rightarrow$$
 M_{atome}(A,Z)c² \sim M_{noyau}(A,Z) c² + Zm_ec²

$$\Rightarrow$$
 M_{noyau}(A,Z) c² \sim M_{atome}(A,Z) c² - Zm_ec²

■ <u>Ex</u>: Ruthénium ¹⁰⁰₄₄Ru et Technétium ¹⁰⁰₄₃Tc

•
$$M_{atome}(100,44) = 99,904219 \text{ uma} = 93 060,18 \text{ MeV/c}^2 \rightarrow M_{noyau}(100,44) = 93 037,696 \text{ MeV/c}^2$$

•
$$M_{atome}(100,43) = 99,907657 \text{ uma} = 93 063,38 \text{ MeV/c}^2 \rightarrow M_{noyau}(100,43) = 93 041,407 \text{ MeV/c}^2$$

énergie de liaison du noyau/masse d'un atome

$$M_{atome}(A,Z) c^2 = M_{noyau}(A,Z) c^2 + Zm_e c^2 = [ZM_p c^2 + (A-Z)M_n c^2 - B(A,Z)] + Zm_e c^2$$

En combinant les Z électrons avec les Z protons, on fait apparaître Z atomes ¹H

$$\Rightarrow$$
 M_{atome}(A,Z) $c^2 \sim Z M(^1H) c^2 + (A-Z)M_n c^2 - B(A,Z)$

$$\Rightarrow$$
 B(A,Z) \sim [Z M(¹H) + (A-Z)M_n - M_{atome}]c²

- $M_{\text{gtome}}(^{1}\text{H}) = 938,7829 \text{ MeV/c}^{2}$
- $M_n = 939,55 \text{ MeV/c}^2$
- énergie de liaison du noyau/excès de masse

$$B(A,Z) \sim [Z \Delta M_H + (A-Z) \Delta M_n - \Delta M_{atome}(A,Z)] c^2$$

- □ Avec $\Delta M_H = 0.007825$ uma = 7.2889 MeV/c²
- $\Delta M_n = 0.008648 \text{ uma} = 8.056 \text{ MeV/c}^2$

- énergie de liaison du noyau
 - expression "directe"

$$B(A,Z) = [ZM_p + (A-Z)M_n - M_{noyau}(A,Z)]c^2$$

a partir de l'excès de masse de l'atome

$$B(A,Z) = [Z\Delta M_H + (A-Z)\Delta M_n - \Delta M_{atome}(A,Z)]c^2$$

 $B(A,Z)$ augmente avec le nombre de nucléons A

- Ex: Ruthénium 100 Ru et Technétium 100 Tc
- $\Delta M_{\text{atome}}(100,44) = -89,21946 \text{ MeV/c}^2 \rightarrow B(100,44) = 861,0676 \text{ MeV}$
- $\Delta M_{\text{atome}}(100,43) = -86,01698 \text{ MeV/c}^2 \rightarrow B(100,43) = 858,6347 \text{ MeV}$

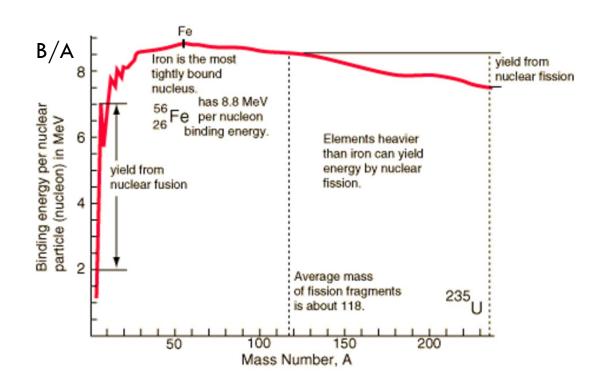
- énergie de liaison moyenne/nucléon
 - □ Ex : Ruthénium ¹⁰⁰₄₄Ru et Technétium ¹⁰⁰₄₃Tc
 - $B(100,44) = 861,0676 \text{ MeV} \rightarrow B(100,44)/A = 8,6107 \text{ MeV}$
 - $B(100,43) = 858,6347 \text{ MeV} \rightarrow B(100,43)/A = 8,5863 \text{ MeV}$
- □ énergie de liaison moyenne/nucléon : B(A,Z)/A

$$\frac{B(A,Z)}{A} = \frac{Z}{A} \Delta M(^{1}H) + \left(1 - \frac{Z}{A}\right) \Delta M_{n} - \frac{\Delta M_{atome}(A,Z)}{A} = \Delta M_{n} + \frac{Z}{A} (\Delta M(^{1}H) - \Delta M_{n}) - \frac{\Delta M_{atome}(A,Z)}{A}$$

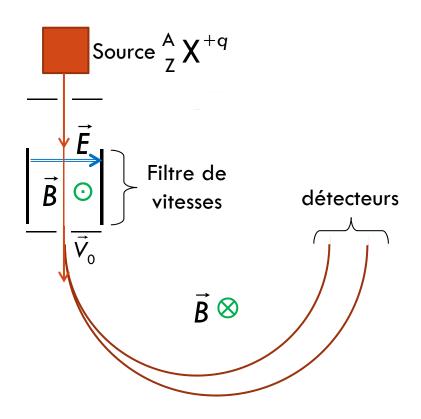
$$\frac{B(A,Z)}{\Delta} = 8,056 - 0,767 \frac{Z}{\Delta} - \frac{\Delta M_{atome}(A,Z)}{\Delta}$$

- □ pour $A > 20 : B/A \sim Cte \sim 8 MeV/nucléon$
 - Saturation des forces nucléaires
- $\, extstyle \,$ l'élément Fer est le plus stable : B/A $^{\sim}$ 8,8 MeV
- \square noyaux lourds, A > 120 : masse des noyaux > 2 fois la masse d'un noyau A/2
- → processus de fission libère de l'énergie
- □ 2 noyaux "légers" (A < 10) qui fusionnent produisent un noyau plus lié
- → processus de fusion libère de l'énergie

Noyau	∆(MeV)	B (MeV)	B/A (MeV
² H	13.136	2.224	1.11
³ H	14.9499	8.4819	2.827
⁴He	2.424	28.2959	7.074
¹² C	0	92.16	7.68
⁵⁶ Fe	-60.605	492.2	8.79
⁶² Ni	-66.746	545.3	8.794
²³² Th	35.448	1767	7.921
²³⁵ U	40.915	1783	7.587
²³⁸ U	47.309	1801	7.567
²³⁹ Pu	48.590	1807	7.561
²⁴⁴ Cm	58.454	1837	7.529



mesure directe par spectrométrie de masse : principe



① Filtre de vitesses
$$\vec{F}_{elec} + \vec{F}_{mag} = M \frac{d\vec{V}}{dt}$$
 $\vec{F}_{elec} = q\vec{E}$

$$\vec{E} \perp \vec{B} \Rightarrow qE - qVB = M \frac{dV}{dt}$$

$$\vec{F}_{mag} = q\vec{V} \wedge \vec{B}$$

Seuls les ions ayant la vitesse V_0 telle que : $qE = qV_0$ B ne sont pas déviés et passent la fente pour entrer dans une région où règne un champ magnétique uniforme

② Champ magnétique uniforme

$$\vec{a} = \vec{a}_t + \vec{a}_N = \frac{dV}{dt}\vec{v}_t + \frac{V^2}{R}\vec{v}_N \Longrightarrow M\frac{V_0^2}{R} = qV_0 B$$

 \Rightarrow Le rayon de courbure : $R = \frac{MV_0}{qB}$