

Décroissance radioactive

Points de cours

Explications ou utilisations

Représentation du noyau d'un atome :

A : Nombre de nucléon ou nombre de masse
Z : Nombre de charges ou numéro atomique

Deux noyaux isotopes sont des noyaux qui possèdent le même nombre de protons mais pas le même nombre de nucléons.

L'uranium $^{235}_{92}U$ et l'uranium $^{238}_{92}U$ sont deux noyaux isotopes. Seul le 235 est fissile (peut produire de l'énergie dans les centrales actuelles) malheureusement le plus abondant est le 238.

Un noyau est radioactif s'il est instable, s'il se désintègre spontanément.

Le diagramme de Segré (N,Z) permet de repérer les noyaux stables, ils sont situés dans une diagonale appelé vallée de stabilité.

Lors d'une équation de réaction nucléaire, il y a conservation du nombre de charge et conservation du nombre de masse :

Pour $_{Z}^{A}X \rightarrow_{Z_{1}}^{A_{1}}Y +_{Z_{2}}^{A_{2}}P$, les lois de conservation s'écrivent : A = A₁ + A₂ et Z = Z₁ + Z₂

Voici les différents types d'émission rencontrés :

Radioactivité α : ${}^{A}_{Z} \times \longrightarrow {}^{A-4}_{Z-2} \times + {}^{4}_{2} He$

 $\begin{array}{ccc} \underline{\text{Radioactivit\'e }\beta^{\text{-}} \colon} & \overset{A}{\underset{Z}{\times}} \times \longrightarrow \overset{A}{\underset{Z+1}{\times}} Y + \overset{0}{\underset{-1}{\times}} e \end{array}$

 $\begin{array}{ccc} \underline{\text{Radioactivit\'e }\beta^{+}\colon} & \underset{Z}{\overset{A}{\longrightarrow}} \times \xrightarrow{} \underset{Z-1}{\overset{A}{\longrightarrow}} Y + \underset{+1}{\overset{0}{\longrightarrow}} e \end{array}$

Désexcitation y : A l'issue de ces trois types de radioactivité, le noyau fils produit peut être dans un état excité. Alors il se désexcite suivant l'équation :

$$_{7}^{A}Y* \rightarrow _{7}^{A}Y + \gamma$$

Nombre de noyau qui se désintègre entre t et t+Δt :

$$-\Delta N = \lambda \times N \times \Delta t$$
 (ΔN est négatif)

 λ est appelé constante radioactive et est exprimée en s $^{\text{-}1}$

On peut aussi définir la constante de temps : $\tau = \frac{1}{2}$ qui s'exprime en s

Loi de décroissance radioactive :

D'après ce que nous avons vu précédemment, si Δ t tend vers 0 le Δ devient une dérivée :

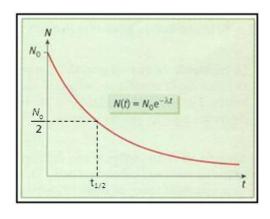
$$\frac{dN}{dt} = -\lambda \times N$$

Cette équation différentielle admet comme solution : $N(t) = N_0 \times e^{-\lambda t}$ où N_0 est le nombre de noyaux radioactifs présents initialement.



 La demi-vie t_{1/2} d'un échantillon radioactif est égale à la durée nécessaire pour que la moitié des noyaux de l'échantillon se soit

désintégrée : N(t + $t_{1/2}$) = $\frac{N(t)}{2}$



Energie des noyaux

Points de cours

Relation d'équivalence masse-énergie :

$$E = m \times c^2$$

Avec E l'énergie en Joules (J) m la masse en kilogramme (kg) c la vitesse de la lumière dans le vide

 Lorsqu'il s'agit d'énergie de particule, le Joule est une unité d'énergie bien trop grande.

en m.s⁻¹ (3.00×10⁸ m.s⁻¹)

On utilise alors **l'électron-volt** et ses multiples :

La masse d'un noyau est toujours inférieure à la somme des masses des nucléons qui le compose : cette différence est appelé

$$\Delta m = Z \times m_P + (A-Z) \times m_N - m_{noyau} > 0$$

défaut de masse :

 L'énergie de liaison correspond à l'énergie qu'il faut fournir à un noyau au repos pour le dissocier en nucléons isolés et immobiles.
 L'énergie de liaison d'un noyau est liée à son défaut de masse :

$$E_1 = \Delta m \times c^2$$

Explications ou utilisations

C'est la fameuse relation d'Einstein publiée en 1905.

Elle nous intéressera mais nous parlerons plutôt de variation d'énergie due à une variation de masse.

Cette énergie est d'ailleurs appelée énergie de masse.

- Un électron-volt est l'énergie cinétique acquise par un électron accéléré sous un potentiel de 1V
- Calculons l'énergie de masse de l'électron :

$$E_{e^{-}} = m_{e^{-}} \times c^{2} = 9.31 \times 10^{-31} \times 3.0 \times 10^{8} = 8.4 \times 10^{-14} \text{ J}$$

$$E_{e^{-}} = \frac{8.4 \times 10^{-14}}{1.6 \times 10^{-19}} = 5.2 \times 10^{5} eV = 0.52 MeV$$

• Calculons le défaut de masse et l'énergie de liaison d''un noyau d'Hélium :

Défaut de masse :

$$\Delta m = 2 \times m_p + 2 \times m_N - m_{\frac{4}{2}He}$$

$$= 2 \times 1.67262 \times 10^{-27} + 2 \times 1.67493 \times 10^{-27}$$

$$- 6.64449 \times 10^{-27}$$

$$= 5.061 \times 10^{-29} kg$$

Puis Energie de liaison :

$$E_1 = \Delta m \times c^2 = 5.061 \times 10^{-29} \times (3.0 \times 10^8)^2$$

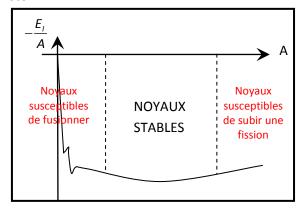
= $4.6 \times 10^{-12} J = 28 MeV$



• Energie de liaison par nucléon et courbe d'Aston :

L'énergie de liaison par nucléons est la quantité El/A. Celle-ci intervient dans la courbe d'Aston qui représente la fonction -El/A=f(A)

Cette courbe permet de repérer à la fois les noyaux stables, ceux qui pourraient fusionner et ceux qui pourraient subir une fission.



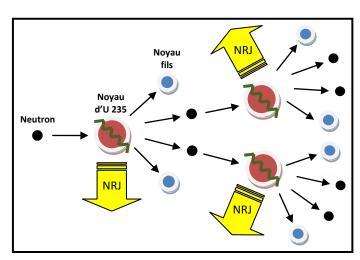
• Réaction de fission nucléaire :

- ✓ Elle a lieu quand un neutron rencontre un noyau lourd fissile qui donne naissance à deux noyaux légers.
- ✓ Citons le cas de l'uranium 235 utilisé dans les centrales, une des réactions possibles de fission est la suivante:

$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \rightarrow {}_{38}^{94}Sr + {}_{54}^{140}Xe + 2 {}_{0}^{1}n$$

✓ Cette réaction dégage énormément d'énergie et donne naissance à deux neutrons qui peuvent de nouveau frapper deux noyaux

d'uranium 235 : la réaction en chaîne a lieu.



✓ Les noyaux fils sont radioactifs et donc potentiellement dangereux par le rayonnement qu'ils émettent en se désintégrant.

• Réaction de fusion nucléaire :

- ✓ Deux noyaux légers vont fusionner pour donner naissance à un noyau plus lourd.
- ✓ Par exemple deux isotopes de l'hydrogène, le deutérium et le tritium peuvent fusionner pour donner de l'hélium selon la réaction : ${}^2_1H + {}^3_1H \rightarrow {}^4_2He + {}^1_0n$
- ✓ L'énergie libérée par nucléon par cette fusion est encore plus grande que celle libérée par la fission, mais la difficulté est de rapprocher les deux isotopes de l »hydrogène qui, chargé positivement, se repoussent violemment.
- Bilan énergétique des réactions nucléaires : Par ex pour ${}^{A_1}_{Z_1}X_1 + {}^{A_2}_{Z_2}X_2 \longrightarrow {}^{A_3}_{Z_3}X_3 + {}^{A_4}_{Z_4}X_4$
- ✓ On utilise pour effectuer ce bilan la formule faisant intervenir le défaut de masse :

$$\Delta E = [(m(X_3) + m(X_4)) - (m(X_1) + m(X_2))] \times c^2$$

Cette formule est valable lorsque les unités sont le Joule, le kg et le m.s⁻¹



 ✓ On peut aussi rencontrer une autre formule dans laquelle l'énergie sera directement obtenue en MeV, elle fait intervenir la masse en une unité appelée unité de masse atomique : 1u = 1.66054*10⁻²⁷ kg

Ainsi la formule devient : $\Delta E(en\ MeV) = \Delta m(en\ u) \times 931.5$

• Comparons l'énergie par nucléon produite par la fission et celle produite par la fusion : On rappelle que les énergies obtenues sont négatives car le système cède l'énergie au milieu

extérieur.

FISSION

Noyau	Masse (u)
$^{235}_{92}U$	234,9935
$^{94}_{38}Sr$	93,8945
¹⁴⁵ ₅₄ Xe	139,8920
n	1,0087

$${}^{1}_{0}n + {}^{235}_{92}U \rightarrow {}^{94}_{38}Sr +$$

$${}^{140}_{54}Xe + 2 {}^{1}_{0}n$$

$$\Delta E = (93,8945 + 139,8920 +$$

$$2 \times 1,0087 - 234,9935 -$$

D'où par nucléon :

$$\Delta E = \frac{-184.7}{236} = -0.7826 \text{ MeV/nucléon}$$

1.0087)×931,5 = -184,7 MeV

FUSION

$${}_{1}^{2}H + {}_{1}^{3}H \rightarrow {}_{2}^{4}He + {}_{0}^{1}n$$

Noyau	Masse (u)
${}_{1}^{2}H$	2.0160
$^{3}_{1}H$	3.0247
$_{2}^{4}He$	4.0015
n	1,0087

D'où par nucléon :

$$\Delta E = \frac{-28.41}{5} = -5.682 \text{ MeV/nucléon}$$

INTRODUCTION AU MONDE QUANTIQUE

Points de cours

Explications ou utilisations

- L'énergie d'un atome est quantifiée, elle ne peut prendre que des valeurs discrètes bien définies.
- Le **spectre de raies d'émission** d'un élément rend compte de cette quantification : en passant d'un état d'énergie à un autre de plus faible énergie, l'atome se désexcite en émettant un photon de longueur d'onde connue.
- si un atome se désexcite et passe d'un niveau d'énergie E_f à un niveau d'énergie E_i, il émet une radiation monochromatique de fréquence v(nu) qui vérifie :

$$\Delta E = E_f - E_i = h v = \frac{h \times c}{\lambda}$$

Avec ΔE , E_f et E_i des énergies en Joule (J) h la constante de Planck (h=6.67×10⁻³⁴ J×s) v la fréquence de l'onde émise en Hertz (Hz) c la vitesse de la lumière dans le vide en m.s⁻¹ λ la longueur d'onde de l'onde émise en m

