## 1 Brute Force

```
/*Brute Force*/
#define MAXN 1<<18+5 //雙倍空間
/*折半枚舉 與 二進制枚舉*/
int main() {
    int n, m, i, temp;
    11 \mod, \mod_{\max} = 0;
    vector<ll> arr, ans(MAXN,0), ans2(MAXN,0);
    cin >> n >> m;
    for(i=0;i<n;i++){</pre>
        cin >> temp;
        arr.push_back(temp%m);
    //折半枚舉
    for(int i=0;i<(1<<(n/2));i++){ //2^(n/2)</pre>
        for(int j=0;j<n/2;j++){</pre>
            if(i>>j&1) //二進制枚舉(選或不選)
                ans[i] = (ans[i] + arr[j]) % m; //前半
                     枚舉
        }
    for(int i=0;i<(1<<(n-n/2));i++){ //2^(n-n/2)</pre>
        for(int j=0;j<(n-n/2);j++){</pre>
            if(i>>j&1) ans2[i] = (ans2[i] + arr[n/2+j])
                 % m; //後半枚舉
        }
    }
    //二分維護
    temp = 1 << (n-n/2);
    sort(ans2.begin(), ans2.begin() + temp);
    for(auto i:ans){
        mod_max = max(mod_max, i + *(upper_bound(ans2.
            begin(), ans2.begin() + temp, m-1-i)-1));
        //mod最大為m-1,配對另一半最優解
    cout << mod_max <<"\n";</pre>
    return 0:
}
```

### 2 Data Structure

### 2.1 **SQRT**

```
// build 0(n)
// update O(√n)
// query 0(√n)
//分塊結構
//假設要求區間總和
struct blk{
   vector<int> local;
                      //每塊的全部元素
   int global;
                      //儲存每塊的總和
   int tag;
                      //儲存整塊一起更新的值
   blk(){
                      //初始化
      local.clear();
                      //清空區間元素
      tag = global = 0; //將區間總和先設為0
};
vector<blk> b;
void build(){
   int len=sqrt(n),num=(n+len-1)/len;
   for(int i=0;i<n;i++){ //第i個元素分在第 i/len 塊
      cin>>x;
      //存入區間中
      b[i/len].local.push back(x);
       //更新區間總和
      b[i/len].global += x;
   }
```

```
void update(int ql,int qr,int v){
   int blk_l=ql/len,blk_r=qr/len,ret=0;
   if(blk_l == blk_r){
       //如果都在同一塊直接一個一個跑過去就好
       for(int i=ql;i<=qr;i++)</pre>
           b[blk_1].local[i%len]+=v;
       b[blk_1].global+=(qr-ql+1)*v;
       return;
   for(int i=ql;i<(blk_l+1)*len;i++){ //最左的那一塊
       b[blk_l].local[i%len]+=v;
       b[blk_1].global+=v;
   for(int i=blk_l+1;i<blk_r;i++){ //中間每塊
       b[i].tag+=v;
       b[i].global+=v*len;
   for(int i=blk_r*len;i<=qr;i++){ //最右的那一塊
       b[blk_r].local[i%len]+=v;
       b[blk_r].global+=v;
   }
int query(int ql,int qr){
   int blk_l=ql/len,blk_r=qr/len,ret=0;
    if(blk_l == blk_r){
       //如果都在同一塊直接一個一個跑過去就好
       for(int i=ql;i<=qr;i++)</pre>
           ret+=b[blk_1].local[i%len]+b[blk_1].tag;
       return ret;
   for(int i=ql;i<(blk_l+1)*len;i++)</pre>
                                       //最左的那一塊
       ret+=b[blk_1].local[i%len]+b[blk_1].tag;
   for(int i=blk_l+1;i<blk_r;i++)</pre>
                                    //中間每塊的總和
       ret+=b[i].global;
   for(int i=blk_r*len;i<=qr;i++)</pre>
                                    //最右的那一塊
       ret+=b[blk_r].local[i%len]+b[blk_r].tag;
   return ret;
```

### 2.2 Mo's Algorithm

```
|// n為序列總長度,q為詢問比數,p為移動一格的複雜度
// O(p(q+n)\sqrt{n})
int n,k = sqrt(n);
                    //每塊大小為k
struct query{
                    //詢問的左界右界 以及 第幾筆詢問
    int l,r,id;
    friend bool operator < (const query& lhs, const query&
       return lhs.1/k==rhs.1/k ? lhs.r<rhs.r : lhs.l</pre>
           rhs.1;
        //先判斷是不是在同一塊
        //不同塊的話就比較塊的順序,否則比較右界r
};
int num = 0;
int cnt[1000005], ans[30005];
vector<query> q;
void add(int x){
                  //新增元素到區間內
    ++cnt[x];
    if(cnt[x] == 1)
                     ++num:
void sub(int x){
                  //從區間內移除元素
    --cnt[x];
    if(cnt[x] == 0)
                     --num;
void solve(){
    sort(q.begin(),q.end());
    for(int i=0,l=-1,r=0;i<n;i++){</pre>
       while(l>q[i].l) add(--1);
       while(r<q[i].r) add(++r);//記得要先做新增元素的
       while(1<q[i].1) sub(1++);//再做移除元素的
       while(r>q[i].r) sub(r--);
                              //移到區間後儲存答案
       ans[q[i].id] = num;
}
     }
```

### 2.3 BIT

```
/*BIT 樹狀數組(動態前綴和)*/
//BIT and Array start at 1
#define MAXN 100005 //最大區間<MAXN
vector <int> arr(MAXN); //原始陣列
vector <int> bit(MAXN); //BIT數組
//前綴和查詢
11 query(int i) { //index
    11 \text{ ret} = 0;
    while(i > 0) ret += bit[i], i -= i & -i; // 1-base
        i-lowbit(i)
    return ret;
}
//單點增值
void modify(int i, int val) { //index,value
    while(i <= MAXN) bit[i] += val, i += i & -i; // i+</pre>
        lowbit(i)
}
```

## 2.4 Segment tree

```
/*Segment tree 線段樹(區間問題)*/
//segment tree and Array start at 1
// [l,r] 最大區間設為[1,n]
// [ql,qr] 目標區間
// pos, val 修改位置, 修改值
#define MAXN 100005*4 //tree大小為4n
                   //左子節點index
#define cl(x) (x*2)
#define cr(x) (x*2+1) //右子節點index
#define NO_TAG 0 //懶惰記號
vector <int> tag(MAXN);
vector <int> arr(MAXN);
vector <int> tree(MAXN);
void build(int i,int l,int r){ //i為當前節點index,l,r
   為當前遞迴區間
   if(1 == r){ // 遞迴到區間大小為1
       tree[i] = arr[l];
       return;
   }
   int mid=(1+r)/2; //往兩邊遞迴
   build(cl(i),l,mid);
   build(cr(i),mid+1,r);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]); //<-可修改
   //將節點的值設成左右子節點的最大值
// i 為當前節點index, l, r當前區間左右界, ql, qr詢問左
int query(int i,int l,int r,int ql,int qr){
   if(q1 <= 1 && r <= qr){ //若當前區間在詢問區間內,
       直接回傳區間最大值
       return tree[i];
   int mid=(1+r)/2, ret=0; //<-可修改條件
   if(ql<=mid) // 如果左子區間在詢問區間內
       ret = max(ret, query(cl(i),l,mid,ql,qr));
          <-可修改條件
   if(qr> mid) // 如果右子區間在詢問區間內
       ret = max(ret, query(cr(i),mid+1,r,ql,qr)); //
          <-可修改條件
   return ret;
}
/* 單點修改*/
void update(int i,int l,int r,int pos,int val){
```

if(l == r){ // 修改 a[pos] 的值為 val

```
tree[i] = val;
       return;
    int mid=(1+r)/2;
    if(pos <= mid) // 如果修改位置在左子節點,往左遞迴
       update(cl(i),l,mid,pos,val);
    else // 否則往右遞迴
       update(cr(i),mid+1,r,pos,val);
    tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]);
                                              //<- 可
        修改條件
/*區間修改*/
//將區間 [l, r] 的值都加 v
void push(int i,int l,int r){
    if(tag[i] != NO_TAG){ // 判斷是否有打標記,NO_TAG=0
       tree[i] += tag[i]; // 有的話就更新當前節點的值
        if(1 != r){ // 如果有左右子節點把標記往下打
           tag[cl(i)] += tag[i];
           tag[cr(i)] += tag[i];
        tag[i] = NO_TAG; // 更新後把標記消掉
   }
void pull(int i,int l,int r){
    int mid = (1+r)/2;
    push(cl(i),l,mid); push(cr(i),mid+1,r);
    tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]);
void update(int i,int l,int r,int ql,int qr,int v){
    push(i,l,r);
    if(q1<=1 && r<=qr){
       tag[i] += v; //將區間 [l, r] 的值都加 v
    int mid=(1+r)/2;
    if(ql<=mid) update(cl(i),l,mid,ql,qr,v);</pre>
    if(qr> mid) update(cr(i),mid+1,r,ql,qr,v);
    pull(i,l,r);
/*動態開點*/
struct node{
    node *1, *r;
    int val, tag;
void update(node *x, int 1, int r, int ql, int qr, int
    v){
    push(x, 1, r);
    if(q1 <= 1 \&\& r <= qr){}
       x->tag += v;
       return;
    int mid=(l+r)>>1;
    if(ql <= mid){</pre>
       if(x->l == nullptr)//判斷是否有節點
           x \rightarrow 1 = new node();
        update(x->1, 1 , mid, q1, qr, v);
    if(qr > mid){
       if(x->r == nullptr)//判斷是否有節點
           x->r = new node();
       update(x->r, mid+1, r, ql, qr, v);
    pull(x, 1, r);
}
```

## 2.5 Persistent Segment tree and DSU

```
#define push_back emplace_back
struct node{
    ll val;
    node *1, *r;
    node(){val = 0;}
```

|}

```
11 n,idx=0;
vector<node *> version;
//用一個vector紀錄全部版本的根節點
node mem[MAXN*25];
node *newNode(){
   return &mem[idx++];
node *build(int 1, int r){
   node *x = newNode();
    if(1 == r) return x;
    int mid = (1+r)>>1;
   x \rightarrow 1 = build(1, mid);
    x->r = build(mid+1, r);
    return x;
node *update_version(node *pre, 11 1, 11 r, 11 pos, 11
    v){
    node *x = newNode(); //當前位置建立新節點
    if(1 == r){
       x \rightarrow val = v;
       return x;
    int mid = (l+r)>>1;
    if(pos <= mid){ //更新左邊
    //左邊節點連向新節點
       x->l = update_version(pre->l, l, mid, pos, v);
       x->r = pre->r; //右邊連到原本的右邊
   else{ //更新右邊
    //右邊節點連向新節點
                       //左邊連到原本的左邊
       x->1 = pre->1;
       x->r = update_version(pre->r, mid+1, r, pos, v)
    x->val = min(x->l->val, x->r->val); //<-修改
   return x;
11 query(node *x,int ql,int qr,int v){ //bin search
    if(ql == qr) return qr;
    int mid=(ql+qr)>>1;
    if(x->l->val<v) // 如果左子區間在詢問區間內
       return query(x->1,q1,mid,v);
    else// 如果右子區間在詢問區間內
       return query(x->r,mid+1,qr,v);
void add_version(int x,int v){ //修改位置 x 的值為 v
    version.push_back(update_version(version.back(), 0,
         n-1, x, v));
   //前一個版本
int find(int x) {
  int fa = query(version.back(), 0, n - 1, x);
  if (fa == x)return x;
  return find(fa);
void merge(int a, int b) {
  int fa = find(a), fb = find(b);
  if (sz[fa] < sz[fb])</pre>
    swap(fa, fb);
  sz[fa] += sz[fb];
  add_version(fb, fa);
signed main(){
   io
    11 q,temp,i,l,r;
    cin >> n >> q;
    version.push_back(build(0,n-1));
    for(i=1;i<=n;i++){</pre>
        cin >> temp;
       add_version(temp,i);
    for(i=0;i<q;i++){</pre>
       cin >> 1 >> r;
       cout << query(version[r],0,n-1,1) <<"\n";</pre>
```

## 2.6 Treap

```
struct Treap{
   int key,pri,sz;
                      //key,priority,size
   Treap *1, *r;
                      //左右子樹
   Treap(){}
   Treap(int _key){
       key = _key;
       pri = rand();
                      //隨機的數維持樹的平衡
       sz = 1;
       l = r = nullptr;
};
Treap *root;
int Size(Treap* x){ return x ? x->sz : 0 ; }
void pull(Treap *x){ x->sz = Size(x->l) + Size(x->r) +
   1;}
Treap* merge(Treap *a,Treap *b){
   //其中一個子樹為空則回傳另一個
   if(!a || !b)
                 return a ? a : b;
   if(a->pri > b->pri){//如果a的pri比較大則a比較上面
       a->r = merge(a->r,b);//將a的右子樹跟b合併
       pull(a);
       return a;
   else{} //如果b的pri比較大則b比較上面
       b->1 = merge(a,b->1); // 將 b的左子樹根a合併
       pull(b);
       return b;
void splitByKth(Treap *x,int k,Treap*& a,Treap*& b){
   if(!x){ a = b = nullptr;
   else if(Size(x->1) + 1 <= k){
       splitByKth(x->r, k - Size(x->l) - 1, a->r, b);
       pull(a);
   }
   else{
       b = x;
       splitByKth(x->1, k, a, b->1);
       pull(b);
void splitByKey(Treap *x,int k,Treap*& a,Treap*& b){
   if(!x){ a = b = nullptr; }
   else if(x->key<=k){</pre>
       a = x:
       splitByKey(x->r, k, a->r, b);
       pull(a);
   }
   else{
       b = x;
       splitByKey(x->1, k, a, b->1);
       pull(b);
   }
void insert(int val){
                             //新增一個值為val的元素
   Treap *x = new Treap(val); //設一個treap節點
   Treap *1,*r;
   splitByKey(root, val, l, r);//找到新節點要放的位置
   root = merge(merge(1,x),r); //合併到原本的treap裡
void erase(int val){
                              //移除所有值為val的元素
   Treap *1,*mid,*r;
   splitByKey(root, val, 1, r);//把小於等於val的丟到l
   splitByKey(l, val-1, l, mid);
   //小於val的丟到l,等於val的就會在mid裡
   root = merge(1,r);
                              // 將 除 了 va L 以 外 的 值 合 併
int findVal(int val){ //小於等於val的size
   int size = -1;
```

}

}

```
Treap *1, *r;
    splitByKey(root, val, 1, r); //把小於等於val的丟到L
    size = Size(1);
    root = merge(1,r);
    return size;
void interval(Treap *&o, int 1, int r) {// [l,r]區間
    Treap *a, *b, *c;
    splitByKey(o, 1 - 1, a, b), splitByKey(b, r, b, c);
    // operate
    o = merge(a, merge(b, c));
void inOrderTraverse(Treap* o, int print) {// 中序
    if (o != NULL){
         push(o);
         inOrderTraverse(o->1, print);
         // print
         if(print) cout << o->val <<"</pre>
         inOrderTraverse(o->r, print);
    }
// Rank Tree
// Kth(k): 查找第k小的元素
// Rank(x):x的名次,即x是第幾小的元素
int kth(Treap* o, int k){
    if(o == NULL \mid \mid k > o \rightarrow sz \mid \mid k <= 0) return 0;
    int s = (o \rightarrow 1 == NULL ? 0 : o \rightarrow 1 \rightarrow sz);
    if(k == s + 1) return o -> key;
    else if(k <= s) return kth(o -> 1, k);
                      return kth(o \rightarrow r, k - s - 1);
    else
int rank(Node* o, int x){
    if(o == NULL) return 0;
    int res = 0;
    int s = (o \rightarrow 1 == NULL ? 0 : o \rightarrow 1 \rightarrow sz);
    if(x \le o \rightarrow key){
         res += rank(o \rightarrow 1, x);
         res += x == o \rightarrow key;
    else{
         res += s + 1;
         res += rank(o -> r, x);
    return res;
}
```

# 3 Graph

### 3.1 DFS and BFS

```
//DFS
void dfs(int x){
    vis[x]=1;
    for(int i:adj[x]){
        if(!vis[i])
            dfs(i);
//BFS
void bfs(int s){
    queue<int> q;
    q.push(s);
    vis[s]=1;
    while(!q.empty()){
        int x=q.front();q.pop();
        for(int i:ADJ[x]){
            if(!vis[i])
                 q.push(i), vis[i]=1;
        }
    }
void init(int N){
    for(int i=0;i<N;i++){</pre>
        if(!adj[i].empty()) adj[i].clear();
```

# 3.2 Disjoint Set(Union-Find)

# 3.3 Kruskal's algorithm 最小生成樹

```
|/*Kruskal's algorithm 最小生成樹*/
//搭配 Disjoint Set(Union-Find)
struct Edge {
    int u, v, w; // 點 u 連到點 v 並且邊權為 w
    friend bool operator < (const Edge& lhs, const Edge&
        return lhs.w > rhs.w;//兩條邊比較大小用邊權比較
};
priority_queue < Edge > graph();// 宣告邊型態的陣列 graph
int kruskal(int m){
    int tot = 0;
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        if (find(graph.top().u) != find(graph.top().v))
             { // 如果兩點未聯通
            merge(graph.top().u, graph.top().v);
              // 將兩點設成同一個集合
            tot += graph.top().w; // 權重加進答案
        graph.pop();
    return tot;
int main() {
    int u, v, w, n, m,;
    cin >> n >> m; //node,edge
    init(n);
    for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        cin >> u >> v >> w;
        graph.push(Edge{u,v,w});
    cout << kruskal(m) << "\n";</pre>
    return 0;
}
```

# 3.4 Dijkstra's algorithm

```
/*Dijkstra's algorithm 單源最短路徑*/
#define MAX_V 100
#define INF 10000
struct Edge {
  int idx,w;
};
bool operator>(const Edge& a, const Edge& b) {
  return a.w > b.w;
}
int dist[MAX_V];
vector<vector<Edge> > adj(MAX_V);
void dijkstra(int vn, int s) {
```

```
vector <bool> vis(vn, false);
  fill(dist, dist + vn, INF); dist[s] = 0;
  priority_queue <Edge, vector<Edge>, greater<Edge> >
      pq;
  Edge node;
  node.idx = s; node.w = 0;
  pq.emplace(node);
  while (!pq.empty()) {
    int u = pq.top().idx; pq.pop();
    if (vis[u])continue;
    vis[u] = true;
    for (auto v : adj[u]) {
      if (dist[v.idx] > dist[u] + v.w) {
        dist[v.idx] = dist[u] + v.w;
        node.w = dist[v.idx];
        node.idx = v.idx;
        pq.emplace(node);
    }
  }
int main() {
    int start, end, u, v, w, i, n, m;
    cin >> n >> m; //node,edge
    for(i=0;i<m;i++){</pre>
        cin >> u >> v >> w;
        Edge node;
        node.idx = v; node.w = w;
        adj[u].push_back(node);
    //從start連接到end的最短路徑
    cin >> start >> end;
    dijkstra(n, start);
    if(dist[end]==INF) cout << "NO\n";</pre>
    else cout << dist[end] <<"\n";</pre>
  return 0;
}
```

## 3.5 Floyd-Warshall

```
|/*Floyd-Warshall 全點對最短路徑*/
//建立dp表,查詢任一點對最短路徑。
void floyd(){
    //將每個點對距離設為INF
    memset(dist,0x3f3f3f3f,sizeof(dist));
    //dist[u][v]為點u到點v的最短路徑
    //自己到自己的距離設為@
    for(int i=0;i<n;i++) dist[i][i]=0;</pre>
    //輸入圖
    for(int i=0;i<m;i++) cin>>u>>v>>w,dist[u][v]=w;
                          //窮舉中繼點
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
        for(int j=0;j<n;j++) //j,k窮舉點對
           for(int k=0;k<n;k++)</pre>
               dist[j][k]=min(dist[j][k],dist[j][i]+
                   dist[i][k]);
}
```

## 3.6 BellmanFord algorithml

```
for (int i = 0; i < n; i++)if(length[v][i])dist[1][</pre>
         i] = length[v][i]; /* 對dist[1]做初始化 */
    for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
         dist[1][i] == INF ? cout << "i" : cout << dist
             [1][i];
         if (i != n - 1)cout << " ";</pre>
    }cout << "\n";</pre>
    for (int k = 2; k <= n - 1; k++) {
         for (int u = 0; u < n; u++) {</pre>
             for (int i = 0; i < length[u].size(); i++)</pre>
                 if (!length[u][i])continue;
                 if (length[u][i] == INF)continue;
                 if (dist[k][i] > dist[k-1][u] + length[
                      u][i])
                      dist[k][i] = dist[k-1][u] + length[
                          u][i];
             }
         for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
             dist[k][i] == INF ? cout << "i" : cout <<
                 dist[k][i];
             if (i != n - 1)cout << " ";</pre>
         }if (k != n - 1)cout << "\n";
    }
int main() {
    int i, u, v, w,s,vn;
    set<int> _set;
    while (cin >> u >> v >> w) {
         length[u][v] = w;
         _set.insert(u);
         _set.insert(v);
    }
    s = 0;
    vn = _set.size();
    BellmanFord(vn,s);
    return 0;
}
```

### 3.7 SPFA

```
/*SPFA 單源最短路徑(negative cycle)*/
struct Edge {
   int idx, w;
vector<Edge> adj[MAX_V]; //adjacency list
vector<bool> inp(MAX_V);
int dist[MAX_V];
//return true if negative cycle exists
bool spfa(int vn, int s) {
   fill(dist, dist + vn, INF); dist[s] = 0;
    vector<int> cnt(vn, 0);
    vector<bool> inq(vn, 0);
    queue<int> q; q.push(s); inq[s] = true;
    while (!q.empty()) {
        int u = q.front(); q.pop();
        inq[u] = false;
        for (auto v : adj[u]) {
            if (dist[v.idx] > dist[u] + v.w) {
                if (++cnt[v.idx] >= vn)return true;
                dist[v.idx] = dist[u] + v.w;
                if (!inq[v.idx]) inq[v.idx] = true, q.
                    push(v.idx);
            }
        }
    return false;
```

# 4 Graph(Tree)

### 4.1 Eulerian Path and Circuit

```
// O(M)
//
            歐拉迴路
                            歐拉路徑
// 無向圖/所有點的度數為偶數/度數為奇數的點數量不超過2
// 有向圖/所有點入度等於出度/全部點的入度出度一樣
//或剛好一個點出度-1=入度 另一點入度-1=出度,其他點入度
    等於出度
vector<int> path;
void dfs(int x){
   while(!edge[x].empty()){
      int u = edge[x].back();
      edge[x].pop_back();
      dfs(u);
   path.push_back(x);
int main(){
   build_graph();
   dfs(st); // 如果剛好一個點出度-1=入度 則為起點
   reverse(path.begin(),path.end());
```

## 4.2 Topological Sort

### 4.3 LCA

```
// pre O(NLqN)
// query O(lgN)
// 最近共同祖先
// 兩點間距離 / 兩點間最大邊 / 兩點間重合長度
// 時間戳記,判斷祖先關係
int ti = 0; // 當前時間
int tin[MAXN+5],tout[MAXN+5];
int dis[MAXN+5]; // 計算距離深度
int query[MAXN+5][lgN+5]; //點N的2^LgN祖先的最大邊
void dfs(int x,int f,int deep){
   fa[x] = f;
   tin[x] = ti++;
   dis[x] = deep;
   for(auto i:edge[x]){
       if(i.v == f){
           //query[x][0] = i.w;
           continue; //如果是父節點,已經走到底
       dfs(i.v, x, deep+i.w);
   tout[x] = ti++;
bool isAncestor(int u, int v){
   return tin[u]<=tin[v] && tout[u] >= tout[v];
// LCA
int n,lgn;
int anc[MAXN+5][lgN+5]; //點N的2^LgN祖先
```

```
int getLca(int u, int v){
   if(isAncestor(u, v))
                           return u:
    // 如果 u 為 v 的祖先則 Lca 為 u
    if(isAncestor(v, u))
                           return v;
    // 如果 v 為 u 的祖先則 lca 為 u
    for(int i=lgn;i>=0;i--){
        // 判斷 2^LgN, 2^(LgN-1),...2^1, 2^0 倍祖先
       if(!isAncestor(anc[u][i], v))
       // 如果 2<sup>i</sup> 倍祖先不是 v 的祖先
           u = anc[u][i]; // 則往上移動
   return anc[u][0]; // 回傳此點的父節點即為答案
// 找出路徑最大邊
int max_cost(int u, int v){
    int max_cost = 0;
    if(u == v) return max_cost;
    for(int i=lgn;i>=0;i--){
        // 判斷 2^LgN, 2^(LgN-1),...2^1, 2^0 倍祖先
        if(!isAncestor(anc[u][i], v)){
           // 如果 2<sup>i</sup> 倍祖先不是 v 的祖先
           max_cost = max(max_cost,query[u][i]);
           u = anc[u][i]; // 則往上移動
        }
    }
    return max(max_cost,query[u][0]);
} // max(max_cost(u,nodeLca), max_cost(v,nodeLca))
// 兩點距離
int dist(int u, int v){
    //depth[X] + depth[Y] - 2 * depth[ancestor]
    return dis[u] + dis[v]-2*dis[find(v)];
// init 建表
for(s=1;s<=n;s++) anc[s][0] = fa[s];</pre>
for(i=1;i<=lgn;i++){</pre>
    for(s=1;s<=n;s++){</pre>
       //點 s 的 2<sup>i</sup> 倍祖先即為
        //s 的 2^(i-1) 倍祖先的 2^(i-1) 倍祖先
       anc[s][i] = anc[anc[s][i-1]][i-1];
        //建最大邊的表
        query[s][i] = max(query[s][i-1],query[anc[s][i
            -1]][i-1]);
    }
}
```

## 4.4 樹上差分

```
#include<bits/stdc++.h>
#define MAX 3e5+5
using namespace std;
vector<vector<int>>edge(MAX), fa(MAX, vector<int>(21,
vector<int>a(MAX), dep(MAX), cnt(MAX, 0);
void dfs(int rt,int f) {
  fa[rt][0] = f;
  dep[rt] = dep[f] + 1;
  for (int i = 1; i <= 20; i++) {
    fa[rt][i] = fa[fa[rt][i - 1]][i - 1];
  for (auto i : edge[rt]) {
   if (i == f)continue;
    dfs(i, rt);
int lca(int a, int b) {
 if (dep[a] < dep[b]) {</pre>
    swap(a, b);
  for (int i = 20; i >= 0; i --) {
    if (dep[fa[a][i]] >= dep[b]) {
      a = fa[a][i]; //上跳
```

```
if (a == b)
    return a;
  for (int i = 20; i >= 0; i--) {
    if (fa[a][i] != fa[b][i]) {
      a = fa[a][i];
      b = fa[b][i];
    }
  return fa[a][0];
void dfssum(int rt,int f) {
  for (auto i : edge[rt]) {
    if (i == f)continue;
    dfssum(i, rt);
    cnt[rt] += cnt[i];
  }
void solve() {
  int u, v, cmnlca;
  for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
    cin >> a[i];
  for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
    cin >> u >> v;
    edge[u].push_back(v);
    edge[v].push_back(u);
 dfs(1, 0);
  for (int i = 0; i < n - 1; i++) {</pre>
    cmnlca = lca(a[i], a[i + 1]);
    cnt[fa[cmnlca][0]]--; //父節點 -v
                          //Lca -v
    cnt[cmnlca]--;
    cnt[a[i]]++;
                        //兩端點 +v
    cnt[a[i + 1]]++;
  dfssum(1, 0);
 for (int i = 1; i <= n; i++) { //多加的減回去
    cnt[a[i]]--;
  for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
    cout << cnt[i] << "\n";</pre>
int main() {
 cin >> n;
  solve();
```

### 4.5 HLD with Segment tree

```
#define MXN 10005
#define cl(x) (x<<1)</pre>
#define cr(x) (x<<1|1)
#define INF 1e9+5
int sz[MXN], fa[MXN], heavy[MXN], dep[MXN];
int root[MXN]; //鍊的根節點
int len[MXN]; //鍊長度
struct Edge {int u, v;};
struct node {int v, w;};
vector<Edge> edge;
vector<node> graph[MXN];
vector<int> tree[MXN]; // 第i個節點為根的線段樹
vector<int> val[MXN]; // 第i個節點為根的序列
// 子樹大小
void dfs_sz(int u, int f, int d){
 sz[u] = 1, fa[u] = f, dep[u] = d;
   for(auto v : graph[u]){
       if(v.v != f){
           dfs_sz(v.v, u, d+1);
           sz[u] += sz[v.v];
           if(sz[v.v] > sz[heavy[u]]) heavy[u] = v.v;
               //重兒子
       }
```

```
}
}
// 樹鍊剖分
void dfs_hld(int u,int f){
   for(auto v : graph[u]){
        if(v.v != f){
            if(v.v == heavy[u])root[v.v] = root[u];
            //重兒子的根,重鍊的頭
            else root[v.v] = v.v; //輕兒子的根
            val[root[v.v]].push_back(v.w); //點權
            dfs_hld(v.v, u);
        }
    len[root[u]]++; //鍊長度
// LCA
int getLca(int x,int y){
    while(root[x] != root[y]){
        if(dep[root[x]] > dep[root[y]])
            x = fa[root[x]]; //跳鍊
        else
            y = fa[root[y]];
    return (dep[x] <= dep[y] ? x : y);</pre>
void build(int ver,int i,int l,int r){
    if(1 == r){
        tree[ver][i] = val[ver][1];
        return;
    int mid=(l+r)>>1;
    build(ver, cl(i), l, mid);
    build(ver, cr(i), mid+1, r);
    tree[ver][i] = max(tree[ver][cl(i)], tree[ver][cr(i
        )]); //最大邊
void update(int ver,int i,int l,int r,int pos,int val){
    if(1 == r){ // 修改 a[pos] 的值為 val
        tree[ver][i] = val; return;
    int mid=(l+r)>>1;
    if(pos <= mid) update(ver,cl(i),l,mid,pos,val);</pre>
                   update(ver,cr(i),mid+1,r,pos,val);
    tree[ver][i] = max(tree[ver][cl(i)], tree[ver][cr(i
// i 為當前節點index, l, r當前區間左右界, ql, qr詢問左
int query(int ver,int i,int l,int r,int ql,int qr){
    if(q1 <= 1 \&\& r <= qr){
        return tree[ver][i];
    int mid=(l+r)>>1, ret=-INF;
    if(ql<=mid) ret =</pre>
        max(ret, query(ver,cl(i),l,mid,ql,qr));
    if(qr> mid) ret =
        max(ret, query(ver,cr(i),mid+1,r,ql,qr));
    return ret;
void init(){
    edge.clear(); edge.resize(n-1);
    for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
        graph[i].clear();
        tree[i].clear();
        val[i].clear();
        heavy[i]=len[i]=0;
    }
signed main(){
    int i,t,a,b,w,ti;
    string op;
    cin >> n;
    init();
    for(i=0; i+1<n; i++){</pre>
        cin >> a >> b >> w;
```

```
graph[a].push_back(node{b,w});
    graph[b].push_back(node{a,w});
    edge[i] = Edge{a,b};
val[1].push back(-INF);
root[1] = 1;
dfs_sz(1, 1, 0);
dfs_hld(1, 1);
// build tree
for(i=1;i<=n;i++){ // 第i個節點為根的線段樹
    if(root[i] == i){
        tree[i].resize(len[i]*4,0);
        build(i, 1, 0, len[i]-1);
// query
while(cin >> op){
    if(op == "DONE") break;
    else if(op == "CHANGE"){
        cin >> i >> ti; i--;
        if(dep[edge[i].u] < dep[edge[i].v])</pre>
            swap(edge[i].u,edge[i].v);
        i = edge[i].u;
        update(root[i], 1, 0, len[root[i]]-1,
        dep[i]-dep[root[i]], ti);
    else if(op == "QUERY"){
        cin >> a >> b;
        int ans = -INF;
        while(root[a] != root[b]){ //不同鍊
            if(dep[root[a]] < dep[root[b]])</pre>
                swap(a, b);
            // 深鍊的最大邊
            ans = max(ans, query(root[a], 1, 0, len
                [root[a]]-1, 0, dep[a]-dep[root[a
                ]]));
            a = fa[root[a]]; //跳鍊
        if(a != b){ //不同節點
            int mn =
                min(dep[a],dep[b])-dep[root[a]]+1;
            int mx =
                max(dep[a],dep[b])-dep[root[a]];
            //所在節點區間 mn,mx
            ans = max(ans, query(root[a], 1, 0, len
                [root[a]]-1, mn, mx));
        cout << ans <<"\n";</pre>
}
   }
```

### 4.6 DSU on Tree

```
void add(int v, int p, int x){
    cnt[col[v]] += x;
    // now you can insert test
    for(auto u: g[v])
        if(u != p && !big[u])
            add(u, v, x);
void dfs(int v, int p, bool keep){
    int mx = -1, bigChild = -1;
    for(auto u : g[v])
       if(u != p && sz[u] > mx)
          mx = sz[u], bigChild = u;
    for(auto u : g[v])
        if(u != p && u != bigChild)
        // run a dfs on small childs and clear them
            from cnt
            dfs(u, v, 0);
    if(bigChild != -1)
    // bigChild marked as big and not cleared from cnt
        dfs(bigChild, v, 1), big[bigChild] = 1;
    add(v, p, 1);
    ans[v] = sum;
```

```
//now cnt[c] is the number of vertices in subtree
    of vertex v that has color c. You can answer
    the queries easily.
if(bigChild != -1)
    big[bigChild] = 0;
if(keep == 0){
    add(v, p, -1);
    // now you can init to 0
}
```

### 5 DP

## 5.1 背包問題

```
/*背包問題*/
// n: 第0種到第n種物品要放進背包內。
// w: 背包耐重限制。
// c(n, w): 只有第0種到第n種物品
// 耐重限制為w,此時的背包問題答案。
// weight[n]: 第n種物品的重量。
// cost[n]: 第n種物品的價值。
// number[n]: 第n種物品的數量。
// 0/1背包滾動
// 每種物品只會放進背包零個或一個。
const int N = 500, W = 2000000; //N個物品,耐重W
int cost[N], weight[N];
int c[W + 1];
void knapsack(int n, int w)
  c[0] = 0;
  for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
   for (int j = w; j - weight[i] >= 0; --j)
     c[j] = max(c[j], c[j - weight[i]] + cost[i]);
  cout << c[w];
// 0/1背包可用於:
// 一個數字集合,挑幾個數字,總和恰為零 (Subset Sum
   Problem)
// 一個數字集合,挑幾個數字,總和恰為整體總和的一半(
   Partition Problem)
// N個不同重量物品,M個不同耐重箱子,用最少箱子裝所有物
   品 (Bin Packing Problem)
// 無限背包
// 物品有許多種類,每一種物品都無限量供應的背包問題。
void knapsack(int n, int w)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   for (int i=0; i<n; ++i)</pre>
       for (int j = weight[i]; j <= w; ++j)</pre>
          c[j] = max(c[j], c[j - weight[i]] + cost[i]
              1);
   cout << "最高的價值為" << c[w];
}
// 有限背包
// 物品有許多種類,每一種物品都是限量供應的背包問題。
int cost[N], weight[N], number[N];
// number[n]: 第n種物品的數量。
void knapsack(int n, int w)
   for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
       int num = min(number[i], w / weight[i]);
       for (int k = 1; num > 0; k *= 2)
          if (k > num) k = num;
```

# 5.2 找零問題

```
/*Money Changing Problem*/
// n:用第0種到第n種錢幣來湊得價位。
// m: 欲湊得的價位值。
// c(n, m):用第0種到第n種錢幣湊得價位m的湊法數目。
// price[n]:第n種錢幣的面額大小。
// 能否湊得某個價位( Money Changing Problem )
// 給定許多種不同面額的錢幣,
// 能否湊得某個價位?
// 每種面額的錢幣都無限供應。
int price[5] = {5, 2, 6, 11, 17};// 錢幣面額
bool c[1000+1];
// 這些面額湊不湊得到價位 m
void change(int m){
   memset(c, false, sizeof(c));
   c[0] = true;
   // 依序加入各種面額
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       // 由低價位逐步到高價位
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
          // 湊、湊、湊
          c[j] |= c[j-price[i]];
   if (c[m])
       cout << "湊得到";
       cout << "湊不到";
// 湊得某個價位的湊法總共幾種( Coin Change Problem )
void change(int m){
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = 1;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
          c[j] += c[j-price[i]];
   cout << "湊得價位" << m;
   cout << "湊法總共" << c[m] << "種";
// 湊得某個價位的最少錢幣用量 ( Change-Making Problem
// c(n, m):用第\theta種到第n種錢幣湊得價位m,最少所需要的錢
    幣數量。
void change(int m){
   memset(c, 0x7f, sizeof(c));
   c[0] = 0;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
          c[j] = min(c[j], c[j-price[i]] + 1);
   cout << "湊得價位" << m;
   cout << "最少需(只)要" << c[m] << "個錢幣";
// 湊得某個價位的錢幣用量,有哪幾種可能性。
void change(int m){
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = 1;
```

```
for (int i = 0; i < 5; ++i)
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
          // 錢幣數量加一,每一種可能性都加一。
          c[j] |= c[j-price[i]] << 1;
   for (int i = 1; i <= 63; ++i)
       if (c[m] & (1 << i))</pre>
          cout << "用" << i << "個錢幣可湊得價位" <<
// 能否湊得某個價位,但是錢幣限量供應!
int price[5] = {5, 2, 6, 11, 17};
int number[5] = {4, 5, 5, 3, 2}; // 各種錢幣的供應數量
bool c[1000+1];
void change(int m){
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = true;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       // 各種餘數分開處理
       for (int k = 0; k < price[i]; ++k){</pre>
          int left = number[i]; // 補充彈藥
           // 由低價位到高價位
           for (int j = k; j <= m; j += price[i])</pre>
              // 先前的面額已能湊得,當前面額可以省著
                  用。
              if (c[j])
                  left = number[i];
                                  // 補充彈藥
              // 過去都無法湊得,一定要用目前面額硬
              else if (left > 0){
                  left--; // 用掉一個錢幣
                  c[j] = true;
   if (c[m])
       cout << "湊得到";
       cout << "湊不到";
// Cashier's Algorithm
// 買東西找回最少硬幣。
int price[5] = {50, 20, 10, 4, 2}; // 面額由大到小排列
void cashier(int n){ // n 是總共要找的錢。
   int c = 0;
   for (int i=0; i<5; ++i)</pre>
       while (n >= price[i])
          n -= price[i]; // 找了 price[i] 元
       }
   if (n != 0)
       cout << "找不出來";
       cout << "找了" << c << "個錢幣";
```

### 6 DP on tree

## 6.1 全點對距離 Tree Distance

```
| int dp[MAXN]={0};
| void dfs_sz(int x,int f){
| sz[x] = 1, fa[x] = f;
| for(int i:edge[x]){
| if(i == f) continue;
| dfs1(i, x); // 先計算完子節點的答案再算自己的
| sz[x]+=sz[i];
| dp[x]+=(dp[i]+sz[i]);
| }
| void dfs_dp(int x,int f,ll sum){
```

## 6.2 最大獨立集 Independent set

## 6.3 最小點覆蓋 Vertex Cover

## 6.4 最小支配集 Dominating Set

```
| //狀態
```

dp[i][0]: 點i屬於支配集,並且以點i為根的子樹都被覆蓋了 的情況下,支配集中包含的最少點數。

dp[i][1]: 點i不屬於支配集,且以i為根的子樹都被覆蓋,且i 被其中不少於1個子結點覆蓋的情況下,支配集包含的最少 點數。

dp[i][2]: 點i不屬於支配集,且以i為根的子樹都被覆蓋,且i 沒被子結點覆蓋的情況下,支配集包含的最少點數。

### // 狀態轉移

```
dp[i][0] = 1 + Σmin( dp[u][0], dp[u][1], dp[u][2] )
if(i沒有子結點) dp[i][1] = INF
else dp[i][1] = Σmin( dp[u][0], dp[u][1] )
dp[i][2] = Σdp[u][1]
```

# 7 String

### 7.1 Trie

```
trie *root = new trie();
void insert(string& s, int idx){
    trie *now = root; // 每次從根結點出發
    for(auto i:s){
       now->sz++; now->sz_idx.emplace(idx); //被誰經過
       if(now->nxt[i-'a'] == NULL){
    now->nxt[i-'a'] = new trie();
       now = now->nxt[i-'a']; //走到下一個字母
    now->cnt++; now->cnt_idx.emplace(idx);//以此點結尾
    now->sz++; now->sz_idx.emplace(idx); //被誰經過
//query
int query_prefix(string& s){ //查詢有多少前綴為 s
    trie *now = root;
                      // 每次從根結點出發
    for(auto i:s){
       if(now->nxt[i-'a'] == NULL){
           return 0;
       now = now -> nxt[i - 'a'];
   return now->sz;
int query_count(string& s){ //查詢字串 s 出現次數
    trie *now = root;
                      // 每次從根結點出發
    for(auto i:s){
        if(now->nxt[i-'a'] == NULL){
           return 0;
       now = now -> nxt[i-'a'];
    }
    return now->cnt;
//str有沒有在[l,r]的前綴中
bool query_ArrPrefix(string& s,int 1,int r){
                      // 每次從根結點出發
    trie *now = root;
    for(auto i:s){
       if(now->nxt[i-'a'] != NULL && now->nxt[i - 'a'
            ]->sz > 0 ){ //存在
           now = now - > nxt[i - 'a'];
        }else return false; //不存在,無解
    // 這個s的節點, [l,r]有沒有經過
    auto L = now->sz_idx.lower_bound(1);
    if(1<=*L && *L<=r)return true;</pre>
    else return false;}
//[l,r]有沒有存在於str的前綴中
bool query_StrPrefix(string& s,int 1,int r){
                       // 每次從根結點出發
    trie *now = root;
    for(auto i:s){
        if(now->nxt[i-'a'] != NULL && now->nxt[i - 'a'
            ]->sz > 0 ){ //存在
           now = now -> nxt[i - 'a'];
       }else return false; //不存在,無解
    // [l,r]存在於str的前綴中,代表有字串以str為結尾
        auto L = now->cnt_idx.lower_bound(1);
        if(1<=*L && *L<=r)return true;</pre>
    } return false;
}
```

### 7.2 01Trie

```
memset(nxt,0,sizeof(nxt));
    }
};
//創建新的字典樹
trie *root = new trie();
void insert(int x){
                      // 每次從根結點出發
    trie *now = root;
    for(int i=30;i>=0;i--)
        now->sz++:
        if(now->nxt[x>>i&1] == NULL){
           now->nxt[x>>i&1] = new trie();
        }
        now = now->nxt[x>>i&1]; //走到下一個字母
    now->cnt++;
    now->sz++;
// in this set, the maximum value of bitwise XOR x
int query(int x){
    trie *now = root;
    int ans=0;
    for(int i=30;i>=0;i--){// 不等於為1(0xr1=1,1xr0=1)
        if (now->nxt[!(x>>i&1)] != NULL && now->nxt[!(x
            >>i&1)]-> sz > 0){ //下一個存在
            ans += 1<<i;
           now = now->nxt[!(x>>i&1)];
        else now = now->nxt[x>>i&1];
    return ans;
}
```

### 7.3 Hash

```
// build O(n)
// query 0(1)
// double hash
// P = 53,97,193,49157,805306457,1610612741,1e9+9,1e9+7
const 11 P1 = 75577;
const 11 P2 = 12721;
                        // 多一個質數 p2
const 11 MOD = 998244353;
pair<ll,ll> Hash[MXN];//Hash[i] 為字串 [0,i] 的hash值
void build(const string& s){
    pair<ll, ll> val = make_pair(0,0);
    for(int i=0; i<s.size(); i++){</pre>
        val.first = (val.first * P1 + s[i]) % MOD;
        val.second = (val.second * P2 + s[i]) % MOD;
        Hash[i] = val;
    }
// query:
// H[l,r] = Hr - H(l-1) * p^{r-l+1} %MOD + MOD )%MOD
```

## 8 Math

### 8.1 Epsilon

```
|/*精準度(Epsilon)*/
float eps = 1e-8;
bool Equal(float a, float b)
    return fabs(a - b) < eps
bool NEqual(float a, float b)
    return fabs(a - b) > eps
bool Less(float a, float b)
    return (a - b) < -eps
bool Greater(float a, float b)
    return (a - b) > eps
```

### 8.2 Floor-Ceil

```
/*floor向下取整,ceil向上取整*/
int floor(int a,int b){ return a/b - (a%b and a<0^b<0);
}
int ceil (int a,int b){ return a/b + (a%b and a<0^b>0);
}
```

# 8.3 josephusl

```
| /*約瑟夫問題: n個人圍成一桌,數到m的人出列*/
| int josephus(int n, int m) { //n人每m次
| int ans = 0;
| for (int i = 1; i <= n; ++i)
| ans = (ans + m) % i;
| return ans;
| }
```

# 8.4 快速冪

#### 8.5 Sieve Prime

```
| /*Sieve_Prime*/
| const int N = 20000000; //質數表大小
| bool sieve[N];
| vector<int> prime;
| void linear_sieve(){
| for (int i = 2; i < N; i++) |
| {
| if (!sieve[i]) prime.push_back(i);
| for (int p : prime) |
| {
| if (i * p >= N) break;
| sieve[i * p] = true;
| if (i % p == 0) break;
| }
| }
| }
```

### 8.6 Prime factorization

## 8.7 Miller Rabinn

```
/*Miller_Rabin 質數判定*/
// n < 4,759,123,141
                            3 : 2, 7, 61
// n < 1,122,004,669,633
                            4: 2, 13, 23, 1662803
                                  6 : pirmes <= 13
// n < 3,474,749,660,383
// n < 2^64
// 2, 325, 9375, 28178, 450775, 9780504, 1795265022
// Make sure testing integer is in range [2, n-2] if
// you want to use magic.
11 magic[N] = {};
bool witness(ll a, ll n, ll u, int t) {
    if (!a) return 0;
    ll x = mypow(a, u, n); //快速冪
    for (int i = 0; i < t; i++) {</pre>
        ll nx = mul(x, x, n); //快速乘
        if (nx == 1 && x != 1 && x != n - 1) return 1;
        x = nx;
    return x != 1;
bool miller_rabin(ll n) {
    int s = (magic number size);
        // iterate s times of witness on n
        if (n < 2) return 0;
    if (!(n & 1)) return n == 2;
    11 u = n - 1; int t = 0;
    // n-1 = u*2^t
    while (!(u & 1)) u >>= 1, t++;
    while (s--) {
        11 a = magic[s] % n;
        if (witness(a, n, u, t)) return 0;
    return 1;
}
```

# 8.8 乘法取餘 Multiplication

```
/*大數乘法取餘數*/
11 mul(11 x, 11 y, 11 mod) {
    ll ret = x * y - (11)((long double)x / mod * y) *
        mod;
    // LL ret=x*y-(LL)((long double)x*y/mod+0.5)*mod;
    return ret < 0 ? ret + mod : ret;
}</pre>
```

### 8.9 快速乘法 karatsuba

```
/*karatsuba 快速乘法*/
// Get size of the numbers
int getSize(ll num){
    int count = 0;
    while (num > 0)
    {
        count++;
        num /= 10;
    return count;
11 karatsuba(11 X, 11 Y){
    // Base Case
    if (X < 10 && Y < 10)
        return X * Y;
    // determine the size of X and Y
    int size = fmax(getSize(X), getSize(Y));
    // Split X and Y
    int n = (int)ceil(size / 2.0);
    11 p = (11)pow(10, n);
    11 a = (11)floor(X / (double)p);
    11 b = X \% p;
    11 c = (11)floor(Y / (double)p);
    11 d = Y \% p;
    // Recur until base case
```

## 8.10 ax+by=gcd(a,b)

```
| /*ax+by=gcd(a,b) 一組解*/
| ll a, b, x, y;
| ll exgcd(ll a, ll b, ll& x, ll& y) {
        if (b) {
            ll d = exgcd(b, a % b, y, x);
            return y -= a / b * x, d;
        }
        return x = 1, y = 0, a;
}
```

### 8.11 GaussElimination

```
/*GaussElimination*/
// by bcw_codebook
const int MAXN = 300;
const double EPS = 1e-8;
int n;
double A[MAXN][MAXN];
void Gauss() {
  for(int i = 0; i < n; i++) {</pre>
    bool ok = 0;
     for(int j = i; j < n; j++) {</pre>
       if(fabs(A[j][i]) > EPS) {
         swap(A[j], A[i]);
         ok = 1:
         break:
       }
     if(!ok) continue;
     double fs = A[i][i];
     for(int j = i+1; j < n; j++) {</pre>
       double r = A[j][i] / fs;
       for(int k = i; k < n; k++) {</pre>
         A[j][k] -= A[i][k] * r;
       }
    }
  }
}
```

# 8.12 大數 Big number

```
/*大數(Big Number)*/
void add(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int i = 0, carry = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        c[i] = a[i] + b[i] + carry;
        carry = c[i] / 10;
        c[i] %= 10;
void sub(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int i = 0, borrow = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        c[i] = a[i] - b[i] - borrow;
        if (c[i] < 0) {</pre>
            borrow = 1;
            c[i] += 10;
        else
            borrow = 0;
```

```
}
void mul(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int i = 0, j = 0, carry = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        if (a[i] == 0) continue;
        for (j = 0; j < MAX; ++j)
            c[i + j] += a[i] * b[i];
    for (i = 0; i < MAX; ++i) {</pre>
        carry = c[i] / 10;
        c[i] %= 10;
void div(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int t[100];
    for (i = 100 - 1; i >= 0; i--) {
        for (int k = 9; k > 0; k--) // 嘗試商數
            mul(b + i, k, t);
            if (largerthan(a + i, t))
                sub(a + i, t, c + i);
                break;
            }
        }
    }
}
```

### 9 STL

### 9.1 常用 tool

```
swap(a,b);
min(a,b);
max({ a, b, c });
//二進制 "1"的 個 數
__builtin_popcount(n) -> int
__builtin_popcountl(n) -> long int
__builtin_popcountll(n) -> long long //math
abs(x);
pow(x);
sqrt(x);
__gcd(x, y);
__lg(x) //以2為底數
        //以e為底數
log(x)
log10(x) //以10為底數
        //排列組合
    cout << s << "\n";
} while (next_permutation(s.begin(), s.end()));
//陣列處理
sort(arr,arr+n);
reverse(arr,arr+n);
*min_element(arr, arr+n); //value
min_element(arr, arr+n) - arr; //index
*lower_bound(arr, arr+4, c) << '\n'; //第一個大於等於c
*upper_bound(arr, arr+4, c) << '\n'; //第一個大於c
//填充 arr[0]=123 arr[1]=123 arr[2]=123
fill(arr, arr+3, 123);
//輸出
//四捨五入 或是更高精度(int)10 * 位數 + 0.5
cout << fixed << setprecision(10);</pre>
//寬度n 用char(c)填補
cout << setw(n) << setfill(c) << ;</pre>
//迭代器
T.begin()
T.end()
T.rbegin() //逆序迭代器
T.rend() //逆序迭代器
T.find() //可用於set,map的earse()。
```

### 9.2 Sort

```
//cmp
struct T {int val, num;};
bool cmp(const T &a, const T &b) {
    return a.num < b.num;
}
sort(arr.begin(), arr.end(), cmp);
//operator
struct Point {
    int x, y;
    bool operator<(Point b) {
        if (x != b.x) return x < b.x;
        else return y < b.y;
    }
};
Point arr[n];
sort(arr, arr+n); //二維平面,從小到大排列。</pre>
```

## 9.3 Priority Queue

```
//預設由大排到小
priority_queue<T> pq
priority_queue<int, vector<int>, less<int> > pq;
//改成由小排到大
priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
//自行定義 cmp 排序
priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
struct cmp {
    bool operator()(node a, node b) {
        //priority_queue@先判定為!cmp
        //, 所以「由大排到小」需「反向」定義
        //實現「最小值優先」
        return a.x < b.x;
    }
};</pre>
```

### 9.4 Bitset

### 9.5 StringStream

```
| stringstream ss;
| getline(cin, str);
| ss.str("");
| ss.clear();
| ss << oct << s; //以8進制讀入流中
| ss << hex << s; //以16進制讀入流中
| ss >> n; //10進制int型輸出
| ss >> s; //x進制str型輸出
```

### 9.6 List

```
    push_back()
    pop_back()
    push_front()
    pop_front()
    back()
    front()
    insert(index, obj)
    erase()
    //遍歷
    for (auto iter = _list.begin(); iter != _list.end(); iter++)
        cout << *iter << "\n";</li>
```

```
if(x&1) cout<<奇數;
       cout<<偶數;
else
          //將x左移1,等同 *2
x <<= 1
          //將x右移2,等同 /4
x >>= 2
                               Hong~Long~Long~Long~
             (00)
                     (00)/---/
                             _|/////== *- *
                     _\/|
                AC
                      AC | NO BUG /== -*
                         /^^\
                                  Chong~Chong~Chong~
```

### 9.7 Set

```
| • insert()

| • erase(1, r) //L與r皆為iterator

| • erase()

| • empty()

| • clear()

| • count() //元素是否存在

|/遍歷

| int mints[] = { 75,23,65,42,13,75,65 };

| set<int> myset(myints, myints + 7);

| for (auto it = myset.begin(); it != myset.end(); it++)

| cout << ' ' << *it;
```

## 9.8 Map

```
//find
auto iter = mymap.find("a");
if (iter != mapStudent.end())
    cout << "Find, the value is" << iter->second <<
        endl;
else
    cout << "Do not Find" << endl;
//erase
auto iter = mymap.find("a");
mymap.erase(iter);
//map遍歷
for (auto it = mymap.begin(); it != mymap.end(); it++)
cout << it->first << ", " << it->second << endl</pre>
```

## 10 Other

```
/*前置作業*/
#include <bits/stdc++.h>
#define 11 long long
#define ld long double
using namespace std;
cin.tie(0);cout.tie(0);
ios_base::sync_with_stdio(false);
/*unroll-loops*/
#pragma GCC optimize("00")//不優化(預設)
#pragma GCC optimize("01")//優化一點
#pragma GCC optimize("02")//優化更多
#pragma GCC optimize("03")//02優化再加上inline函式優化
#pragma GCC optimize("unroll-loops")
/*常數宣告*/
// 數字中可以加 / 方便看出幾位數
#define MXN 1'000'005
// 1e-6 為科學記號 代表 1 * 10^-6
#define EPS 1e-6
// 0x3f3f3f3f為一個接近10^9的數字0x為16進位
#define INF 0x3f3f3f3f
// acos(-1) 等同圓周率
#define PI acos(-1)
/*位元運算*/
```