1 Brute Forcee

```
/*Brute Force*/
#define MAXN 1<<18+5 //雙倍空間
/*折半枚舉 與 二進制枚舉*/
int main() {
    int n, m, i, temp;
    11 \mod, \mod_{\max} = 0;
    vector<ll> arr, ans(MAXN,0), ans2(MAXN,0);
    cin >> n >> m;
    for(i=0;i<n;i++){</pre>
        cin >> temp;
        arr.push_back(temp%m);
    //折半枚舉
    for(int i=0;i<(1<<(n/2));i++){ //2^(n/2)</pre>
        for(int j=0;j<n/2;j++){</pre>
            if(i>>j&1) //二進制枚舉(選或不選)
                ans[i] = (ans[i] + arr[j]) % m; //前半
                     枚舉
        }
    for(int i=0;i<(1<<(n-n/2));i++){ //2^(n-n/2)</pre>
        for(int j=0;j<(n-n/2);j++){</pre>
            if(i>>j&1) ans2[i] = (ans2[i] + arr[n/2+j])
                 % m; //後半枚舉
        }
    }
    //二分維護
    temp = 1 << (n-n/2);
    sort(ans2.begin(), ans2.begin() + temp);
    for(auto i:ans){
        mod_max = max(mod_max, i + *(upper_bound(ans2.
            begin(), ans2.begin() + temp, m-1-i)-1));
        //mod最大為m-1,配對另一半最優解
    cout << mod_max <<"\n";</pre>
    return 0:
}
```

2 Data Structure

2.1 **SQRT**

```
// build 0(n)
// update O(√n)
// query 0(√n)
//分塊結構
//假設要求區間總和
struct blk{
   vector<int> local;
                      //每塊的全部元素
   int global;
                      //儲存每塊的總和
   int tag;
                      //儲存整塊一起更新的值
   blk(){
                      //初始化
      local.clear();
                      //清空區間元素
      tag = global = 0; //將區間總和先設為0
};
vector<blk> b;
void build(){
   int len=sqrt(n),num=(n+len-1)/len;
   for(int i=0;i<n;i++){ //第i個元素分在第 i/len 塊
      cin>>x;
      //存入區間中
      b[i/len].local.push back(x);
       //更新區間總和
      b[i/len].global += x;
   }
```

```
void update(int ql,int qr,int v){
   int blk_l=ql/len,blk_r=qr/len,ret=0;
   if(blk_l == blk_r){
       //如果都在同一塊直接一個一個跑過去就好
       for(int i=ql;i<=qr;i++)</pre>
           b[blk_1].local[i%len]+=v;
       b[blk_1].global+=(qr-ql+1)*v;
       return;
   for(int i=ql;i<(blk_l+1)*len;i++){ //最左的那一塊
       b[blk_l].local[i%len]+=v;
       b[blk_1].global+=v;
   for(int i=blk_l+1;i<blk_r;i++){ //中間每塊
       b[i].tag+=v;
       b[i].global+=v*len;
   for(int i=blk_r*len;i<=qr;i++){ //最右的那一塊
       b[blk_r].local[i%len]+=v;
       b[blk_r].global+=v;
   }
int query(int ql,int qr){
   int blk_l=ql/len,blk_r=qr/len,ret=0;
    if(blk_l == blk_r){
       //如果都在同一塊直接一個一個跑過去就好
       for(int i=ql;i<=qr;i++)</pre>
           ret+=b[blk_1].local[i%len]+b[blk_1].tag;
       return ret;
   for(int i=ql;i<(blk_l+1)*len;i++)</pre>
                                       //最左的那一塊
       ret+=b[blk_1].local[i%len]+b[blk_1].tag;
   for(int i=blk_l+1;i<blk_r;i++)</pre>
                                    //中間每塊的總和
       ret+=b[i].global;
   for(int i=blk_r*len;i<=qr;i++)</pre>
                                    //最右的那一塊
       ret+=b[blk_r].local[i%len]+b[blk_r].tag;
   return ret;
```

2.2 Mo's Algorithm

```
|// n為序列總長度,q為詢問比數,p為移動一格的複雜度
// O(p(q+n)\sqrt{n})
int n,k = sqrt(n);
                    //每塊大小為k
struct query{
                    //詢問的左界右界 以及 第幾筆詢問
    int l,r,id;
    friend bool operator < (const query& lhs, const query&
       return lhs.1/k==rhs.1/k ? lhs.r<rhs.r : lhs.l</pre>
           rhs.1;
        //先判斷是不是在同一塊
        //不同塊的話就比較塊的順序,否則比較右界r
};
int num = 0;
int cnt[1000005], ans[30005];
vector<query> q;
void add(int x){
                  //新增元素到區間內
    ++cnt[x];
    if(cnt[x] == 1)
                     ++num:
void sub(int x){
                  //從區間內移除元素
    --cnt[x];
    if(cnt[x] == 0)
                     --num;
void solve(){
    sort(q.begin(),q.end());
    for(int i=0,l=-1,r=0;i<n;i++){</pre>
       while(l>q[i].1) add(--1);
       while(r<q[i].r) add(++r);//記得要先做新增元素的
       while(1<q[i].1) sub(1++);//再做移除元素的
       while(r>q[i].r) sub(r--);
                              //移到區間後儲存答案
       ans[q[i].id] = num;
}
     }
```

2.3 BIT

```
/*BIT 樹狀數組(動態前綴和)*/
//BIT and Array start at 1
#define MAXN 100005 //最大區間<MAXN
vector <int> arr(MAXN); //原始陣列
vector <int> bit(MAXN); //BIT數組
//前綴和查詢
11 query(int i) { //index
    11 \text{ ret = 0};
    while(i > 0) ret += bit[i], i -= i & -i; // 1-base
        i-Lowbit(i)
    return ret;
}
//單點增值
void modify(int i, int val) { //index,value
    while(i <= MAXN) bit[i] += val, i += i & -i; // i+</pre>
        lowbit(i)
}
```

2.4 Segment tree

```
/*Segment tree 線段樹(區間問題)*/
//segment tree and Array start at 1
// [l,r] 最大區間設為[1,n]
// [ql,qr] 目標區間
// pos, val 修改位置, 修改值
#define MAXN 100005*4 //tree大小為4n
                   //左子節點index
#define cl(x) (x*2)
#define cr(x)(x*2+1)
                   //右子節點index
#define NO_TAG 0 //懶惰記號
vector <int> tag(MAXN);
vector <int> arr(MAXN);
vector <int> tree(MAXN);
void build(int i,int l,int r){ //i為當前節點index,l,r
   為當前遞迴區間
   if(1 == r){ // 遞迴到區間大小為1
       tree[i] = arr[l];
       return;
   }
   int mid=(1+r)/2; //往兩邊遞迴
   build(cl(i),l,mid);
   build(cr(i),mid+1,r);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]); //<-可修改
   //將節點的值設成左右子節點的最大值
// i 為當前節點index, l, r當前區間左右界, ql, qr詢問左
int query(int i,int l,int r,int ql,int qr){
   if(q1 <= 1 && r <= qr){ //若當前區間在詢問區間內,
       直接回傳區間最大值
       return tree[i];
   int mid=(1+r)/2, ret=0; //<-可修改條件
   if(ql<=mid) // 如果左子區間在詢問區間內
       ret = max(ret, query(cl(i),l,mid,ql,qr));
          <-可修改條件
   if(qr> mid) // 如果右子區間在詢問區間內
       ret = max(ret, query(cr(i),mid+1,r,ql,qr)); //
          <-可修改條件
   return ret;
}
/* 單點修改*/
void update(int i,int l,int r,int pos,int val){
   if(l == r){ // 修改 a[pos] 的值為 val
```

```
tree[i] = val;
       return;
   int mid=(1+r)/2;
   if(pos <= mid) // 如果修改位置在左子節點,往左遞迴
       update(cl(i),l,mid,pos,val);
   else // 否則往右遞迴
       update(cr(i),mid+1,r,pos,val);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]);
                                            //<- 可
       修改條件
/*區間修改*/
//將區間 [l, r] 的值都加 v
void push(int i,int l,int r){
   if(tag[i] != NO_TAG){ // 判斷是否有打標記,NO_TAG=0
       tree[i] += tag[i]; // 有的話就更新當前節點的值
       if(1 != r){ // 如果有左右子節點把標記往下打
           tag[cl(i)] += tag[i];
           tag[cr(i)] += tag[i];
       tag[i] = NO_TAG; // 更新後把標記消掉
   }
}
void pull(int i,int l,int r){
   int mid = (1+r)/2;
   push(cl(i),1,mid); push(cr(i),mid+1,r);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]);
void update(int i,int l,int r,int ql,int qr,int v){
   push(i,1,r);
   if(q1<=1 && r<=qr){
       tag[i] += v; //將區間 [l, r] 的值都加 ν
   int mid=(1+r)/2;
   if(ql<=mid) update(cl(i),l,mid,ql,qr,v);</pre>
   if(qr> mid) update(cr(i),mid+1,r,ql,qr,v);
   pull(i,l,r);
```

2.5 Treap

```
struct Treap {
  int data, sz;
  Treap *1, *r;
  Treap(int k): data(k), sz(1), 1(0), r(0) {}
inline int sz(Treap *o) { return o ? o->sz : 0; }
void pull(Treap *o) { o\rightarrow sz = sz(o\rightarrow l) + sz(o\rightarrow r) + 1;
void push(Treap *o) {}
Treap *merge(Treap *a, Treap *b) {
  if (!a || !b) return a ? a : b;
  if (randint(sz(a)+sz(b)) < sz(a))</pre>
    return push(a), a->r = merge(a->r, b), pull(a), a;
  return push(b), b\rightarrow 1 = merge(a, b\rightarrow 1), pull(b), b;
void split(Treap *o, Treap *&a, Treap *&b, int k) {
  if (!o) return a = b = 0, void();
  push(o);
  if (o->data <= k)
    a = o, split(o->r, a->r, b, k), pull(a);
  else b = o, split(o \rightarrow l, a, b \rightarrow l, k), pull(b);
void split2(Treap *o, Treap *&a, Treap *&b, int k) {
  if (sz(o) <= k) return a = o, b = 0, void();
  push(o);
  if (sz(o->1) + 1 <= k)
    a = 0, split2(0->r, a->r, b, k - sz(0->l) - 1);
  else b = o, split2(o->1, a, b->1, k);
  pull(o):
```

```
Treap *kth(Treap *o, int k) {
  if (k <= sz(o->1)) return kth(o->1, k);
  if (k == sz(o->1) + 1) return o;
  return kth(o\rightarrow r, k - sz(o\rightarrow l) - 1);
int Rank(Treap *o, int key) {
  if (o->data < key)</pre>
    return sz(o->1) + 1 + Rank(o->r, key);
  else return Rank(o->1, key);
bool erase(Treap *&o, int k) {
 if (!o) return 0;
  if (o->data == k) {
    Treap *t = o;
    push(o), o = merge(o->1, o->r);
    delete t;
    return 1;
  Treap *&t = k < o->data ? o->l : o->r;
  return erase(t, k) ? pull(o), 1 : 0;
void insert(Treap *&o, int k) {
 Treap *a, *b;
  split(o, a, b, k);
 o = merge(a, merge(new Treap(k), b));
void interval(Treap *&o, int 1, int r) {
 Treap *a, *b, *c;
  split2(o, a, b, 1 - 1), split2(b, b, c, r);
 // operate
  o = merge(a, merge(b, c));
```

3 Graph

3.1 DFS and BFS

```
//DFS
void dfs(int x){
    vis[x]=1;
    for(int i:adj[x]){
        if(!vis[i])
             dfs(i);
//BFS
void bfs(int s){
    queue<int> q;
    q.push(s);
    vis[s]=1;
    while(!q.empty()){
        int x=q.front();q.pop();
        for(int i:ADJ[x]){
             if(!vis[i])
                 q.push(i), vis[i]=1;
        }
    }
void init(int N){
    for(int i=0;i<N;i++){</pre>
        if(!adj[i].empty()) adj[i].clear();
}
```

3.2 Disjoint Set(Union-Find)

```
}
int find(int x) {
    return f[x] == x ? x : f[x] = find(f[x]);
}
void merge(int x, int y) {
    x = find(x), y = find(y);
    if (x != y) f[y] = x;
}
```

3.3 Kruskal's algorithm 最小生成樹

```
|/*Kruskal's algorithm 最小生成樹*/
//搭配 Disjoint Set(Union-Find)
struct Edge {
    int u, v, w; // 點 u 連到點 v 並且邊權為 w
    friend bool operator<(const Edge& lhs, const Edge&</pre>
        rhs) {
        return lhs.w > rhs.w;//兩條邊比較大小用邊權比較
    }
};
priority_queue < Edge > graph();// 宣告邊型態的陣列 graph
int kruskal(int m){
    int tot = 0;
    for (int i = 0; i < m ; i++) {</pre>
        if (find(graph.top().u) != find(graph.top().v))
             { // 如果兩點未聯通
            merge(graph.top().u, graph.top().v);
               // 將兩點設成同一個集合
            tot += graph.top().w; // 權重加進答案
        graph.pop();
    return tot;
int main() {
    int u, v, w, n, m,;
    cin >> n >> m; //node,edge
    init(n);
    for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        cin >> u >> v >> w;
        graph.push(Edge{u,v,w});
    cout << kruskal(m) << "\n";</pre>
    return 0;
}
```

3.4 Dijkstra's algorithm

```
/*Dijkstra's algorithm 單源最短路徑*/
#define MAX_V 100
#define INF 10000
struct Edge {
 int idx,w;
bool operator>(const Edge& a, const Edge& b) {
 return a.w > b.w;
int dist[MAX_V];
vector<vector<Edge> > adj(MAX_V);
void dijkstra(int vn, int s) {
  vector <bool> vis(vn, false);
  fill(dist, dist + vn, INF); dist[s] = 0;
  priority_queue <Edge, vector<Edge>, greater<Edge> >
      pq;
  Edge node;
  node.idx = s; node.w = 0;
  pq.emplace(node);
  while (!pq.empty()) {
    int u = pq.top().idx; pq.pop();
    if (vis[u])continue;
    vis[u] = true;
    for (auto v : adj[u]) {
```

```
if (dist[v.idx] > dist[u] + v.w) {
        dist[v.idx] = dist[u] + v.w;
        node.w = dist[v.idx];
        node.idx = v.idx;
        pq.emplace(node);
    }
 }
int main() {
    int start, end, u, v, w, i, n, m;
    cin >> n >> m; //node,edge
    for(i=0;i<m;i++){</pre>
        cin >> u >> v >> w;
        Edge node;
        node.idx = v; node.w = w;
        adj[u].push_back(node);
    //從start連接到end的最短路徑
    cin >> start >> end;
    dijkstra(n, start);
    if(dist[end]==INF) cout << "NO\n";</pre>
    else cout << dist[end] <<"\n";</pre>
  return 0;
```

3.5 Floyd-Warshall

```
|/*Floyd-Warshall 全點對最短路徑*/
//建立dp表,查詢任一點對最短路徑。
void floyd(){
    //將每個點對距離設為INF
   memset(dist,0x3f3f3f3f,sizeof(dist));
   //dist[u][v]為點u到點v的最短路徑
    //自己到自己的距離設為@
    for(int i=0;i<n;i++) dist[i][i]=0;</pre>
    //輸入圖
   for(int i=0;i<m;i++) cin>>u>>v>>w,dist[u][v]=w;
                          //窮舉中繼點
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
       for(int j=0;j<n;j++) //j,k 窮舉點對
           for(int k=0;k<n;k++)</pre>
               dist[j][k]=min(dist[j][k],dist[j][i]+
                  dist[i][k]);
}
```

3.6 BellmanFord algorithml

```
#define N 100
#define INF 1000
int dist[N][N];
vector<vector<int> > length(N, vector<int>(N));
void BellmanFord(int n, int v)
{ /* n為節點總數,計算單一起點v/所有終點的最短路徑,其
    中邊長允許是負值, Length為adjacency matrix */
    for (int k = 0; k < n; k++)for (int i = 0; i < n; i</pre>
        ++)i == 0 ? dist[k][i] = 0 : dist[k][i] = INF;
        /* 對dist做初始化 */
    for (int i = 0; i < n; i++)if(length[v][i])dist[1][</pre>
        i] = length[v][i]; /* 對dist[1]做初始化 */
    for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
        dist[1][i] == INF ? cout << "i" : cout << dist
            [1][i];
        if (i != n - 1)cout << " ";</pre>
    } cout \langle \langle " \rangle n";
    for (int k = 2; k <= n - 1; k++) {</pre>
        for (int u = 0; u < n; u++) {</pre>
            for (int i = 0; i < length[u].size(); i++)</pre>
                if (!length[u][i])continue;
                if (length[u][i] == INF)continue;
```

```
if (dist[k][i] > dist[k-1][u] + length[
                     ul[il)
                     dist[k][i] = dist[k-1][u] + length[
            }
         for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
             dist[k][i] == INF ? cout << "i" : cout <<
                 dist[k][i];
             if (i != n - 1)cout << " ";</pre>
         }if (k != n - 1)cout << "\n";
int main() {
    int i, u, v, w,s,vn;
    set<int> _set;
    while (cin >> u >> v >> w) {
        length[u][v] = w;
        _set.insert(u);
         _set.insert(v);
    s = 0;
    vn = _set.size();
    BellmanFord(vn,s);
    return 0;
}
```

3.7 SPFA

```
/*SPFA 單源最短路徑(negative cycle)*/
struct Edge {
    int idx, w;
};
vector<Edge> adj[MAX_V]; //adjacency list
vector<bool> inp(MAX_V);
int dist[MAX V];
//return true if negative cycle exists
bool spfa(int vn, int s) {
    fill(dist, dist + vn, INF); dist[s] = 0;
    vector<int> cnt(vn, 0);
    vector<bool> inq(vn, 0);
    queue<int> q; q.push(s); inq[s] = true;
    while (!q.empty()) {
        int u = q.front(); q.pop();
        inq[u] = false;
        for (auto v : adj[u]) {
            if (dist[v.idx] > dist[u] + v.w) {
                if (++cnt[v.idx] >= vn)return true;
                dist[v.idx] = dist[u] + v.w;
                if (!inq[v.idx]) inq[v.idx] = true, q.
                    push(v.idx);
            }
        }
    return false;
```

4 Graph(Tree)

4.1 Eulerian Path and Circuit

```
while(!edge[x].empty()){
    int u = edge[x].back();
    edge[x].pop_back();
    dfs(u);
}
path.push_back(x);
}
int main(){
    build_graph();
    dfs(st); // 如果剛好一個點出度-1=入度 則為起點
    reverse(path.begin(),path.end());
}
```

4.2 Topological Sort

4.3 LCA

```
// pre
       O(NLgN)
// query O(lgN)
// 最近共同祖先
// 兩點間距離 / 兩點間最大邊 / 兩點間重合長度
// 時間戳記,判斷祖先關係
int ti = 0; // 當前時間
int tin[MAXN+5],tout[MAXN+5];
int dis[MAXN+5]; // 計算距離深度
int query[MAXN+5][1gN+5]; //點N的2^LgN祖先的最大邊
void dfs(int x,int f,int deep){
   fa[x] = f;
   tin[x] = ti++;
   dis[x] = deep;
   for(auto i:edge[x]){
       if(i.v == f){
           //query[x][0] = i.w;
           continue; //如果是父節點,已經走到底
       dfs(i.v, x, deep+i.w);
   tout[x] = ti++;
bool isAncestor(int u, int v){
   return tin[u]<=tin[v] && tout[u] >= tout[v];
// LCA
int n,lgn;
int anc[MAXN+5][1gN+5]; //點N的2^LgN祖先
int getLca(int u, int v){
   if(isAncestor(u, v))
                         return u:
    // 如果 u 為 v 的祖先則 Lca 為 u
   if(isAncestor(v, u))
                         return v;
   // 如果 v 為 u 的祖先則 Lca 為 u
   for(int i=lgn;i>=0;i--){
       // 判斷 2^LgN, 2^(LgN-1),...2^1, 2^0 倍祖先
       if(!isAncestor(anc[u][i], v))
       // 如果 2<sup>i</sup> 倍祖先不是 v 的祖先
           u = anc[u][i]; // 則往上移動
   return anc[u][0]; // 回傳此點的父節點即為答案
}
```

```
// 找出路徑最大邊
int max_cost(int u, int v){
    int max_cost = 0;
    if(u == v) return max_cost;
    for(int i=lgn;i>=0;i--){
        // 判斷 2^LgN, 2^(LgN-1),...2^1, 2^0 倍祖先
        if(!isAncestor(anc[u][i], v)){
            // 如果 2<sup>^</sup>i 倍祖先不是 ν 的祖先
            max_cost = max(max_cost,query[u][i]);
            u = anc[u][i]; // 則往上移動
    return max(max_cost,query[u][0]);
} // max(max_cost(u,nodeLca), max_cost(v,nodeLca))
int dist(int u, int v){
    //depth[X] + depth[Y] - 2 * depth[ancestor]
    return dis[u] + dis[v]-2*dis[find(v)];
for(s=1;s<=n;s++) anc[s][0] = fa[s];</pre>
for(i=1;i<=lgn;i++){</pre>
    for(s=1;s<=n;s++){</pre>
        //點 s 的 2^i 倍祖先即為
        //s 的 2^(i-1) 倍祖先的 2^(i-1) 倍祖先
        anc[s][i] = anc[anc[s][i-1]][i-1];
        //建最大邊的表
        query[s][i] = max(query[s][i-1],query[anc[s][i
            -1]][i-1]);
}
```

4.4 樹上差分

```
#include<hits/stdc++.h>
#define MAX 3e5+5
using namespace std;
int n;
vector<vector<int>>edge(MAX), fa(MAX, vector<int>(21,
    0));
vector<int>a(MAX), dep(MAX), cnt(MAX, 0);
void dfs(int rt,int f) {
  fa[rt][0] = f;
  dep[rt] = dep[f] + 1;
  for (int i = 1; i <= 20; i++) {
    fa[rt][i] = fa[fa[rt][i - 1]][i - 1];
  for (auto i : edge[rt]) {
    if (i == f)continue;
    dfs(i, rt);
  }
int lca(int a, int b) {
  if (dep[a] < dep[b]) {</pre>
    swap(a, b);
  for (int i = 20; i >= 0; i--) {
    if (dep[fa[a][i]] >= dep[b]) {
      a = fa[a][i]; //上跳
  if (a == b)
    return a;
  for (int i = 20; i >= 0; i--) {
    if (fa[a][i] != fa[b][i]) {
      a = fa[a][i];
      b = fa[b][i];
    }
  }
  return fa[a][0];
void dfssum(int rt,int f) {
  for (auto i : edge[rt]) {
    if (i == f)continue;
```

```
dfssum(i, rt);
    cnt[rt] += cnt[i];
  }
void solve() {
  int u, v, cmnlca;
  for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
    cin >> a[i];
  for (int i = 0; i < n - 1; i++) {
    cin >> u >> v;
    edge[u].push_back(v);
    edge[v].push_back(u);
  dfs(1, 0);
  for (int i = 0; i < n - 1; i++) {</pre>
    cmnlca = lca(a[i], a[i + 1]);
    cnt[fa[cmnlca][0]]--; //父節點 -v
    cnt[cmnlca]--;
                          //Lca -v
                        //兩端點 +v
    cnt[a[i]]++;
    cnt[a[i + 1]]++;
  dfssum(1, 0);
  for (int i = 1; i <= n; i++) { //多加的減回去
    cnt[a[i]]--;
  for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
    cout << cnt[i] << "\n";</pre>
int main() {
  cin >> n;
  solve();
}
```

4.5 HLD with Segment tree

```
#define MXN 10005
#define cl(x) (x<<1)</pre>
#define cr(x) (x<<1|1)
#define INF 1e9+5
int sz[MXN], fa[MXN], heavy[MXN], dep[MXN];
int root[MXN]; //鍊的根節點
int len[MXN]; //鍊長度
struct Edge {int u, v;};
struct node {int v, w;};
vector<Edge> edge;
vector<node> graph[MXN];
vector<int> tree[MXN]; // 第i個節點為根的線段樹
vector<int> val[MXN]; // 第i個節點為根的序列
// 子樹大小
void dfs_sz(int u, int f, int d){
 sz[u] = 1, fa[u] = f, dep[u] = d;
   for(auto v : graph[u]){
       if(v.v != f){
           dfs_sz(v.v, u, d+1);
           sz[u] += sz[v.v];
           if(sz[v.v] > sz[heavy[u]]) heavy[u] = v.v;
               //重兒子
       }
   }
}
// 樹鍊剖分
void dfs_hld(int u,int f){
   for(auto v : graph[u]){
       if(v.v != f){
           if(v.v == heavy[u])root[v.v] = root[u];
           //重兒子的根,重鍊的頭
           else root[v.v] = v.v; //輕兒子的根
           val[root[v.v]].push_back(v.w); //點權
           dfs_hld(v.v, u);
       }
   }
```

```
len[root[u]]++; //鍊長度
// LCA
int getLca(int x,int y){
    while(root[x] != root[y]){
        if(dep[root[x]] > dep[root[y]])
            x = fa[root[x]]; //跳鍊
            y = fa[root[y]];
    return (dep[x] <= dep[y] ? x : y);</pre>
// 線段樹
void build(int ver,int i,int l,int r){
    if(1 == r){
        tree[ver][i] = val[ver][1];
        return;
    int mid=(l+r)>>1;
    build(ver, cl(i), l, mid);
    build(ver, cr(i), mid+1, r);
    tree[ver][i] = max(tree[ver][cl(i)], tree[ver][cr(i
        )]); //最大邊
void update(int ver,int i,int l,int r,int pos,int val){
    if(1 == r){ // 修改 a[pos] 的值為 val
        tree[ver][i] = val; return;
    int mid=(l+r)>>1;
    if(pos <= mid) update(ver,cl(i),l,mid,pos,val);</pre>
                   update(ver,cr(i),mid+1,r,pos,val);
    tree[ver][i] = max(tree[ver][cl(i)], tree[ver][cr(i
        )1);
// i 為當前節點index, l, r當前區間左右界, ql, qr詢問左
int query(int ver,int i,int l,int r,int ql,int qr){
    if(ql <= 1 && r <= qr){
        return tree[ver][i];
    int mid=(l+r)>>1, ret=-INF;
    if(ql<=mid) ret =</pre>
        max(ret, query(ver,cl(i),l,mid,ql,qr));
    if(qr> mid) ret =
        max(ret, query(ver,cr(i),mid+1,r,ql,qr));
    return ret;
void init(){
    edge.clear(); edge.resize(n-1);
    for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
        graph[i].clear();
        tree[i].clear();
        val[i].clear();
        heavy[i]=len[i]=0;
signed main(){
    int i,t,a,b,w,ti;
    string op;
    cin >> n;
    init();
    for(i=0; i+1<n; i++){</pre>
        cin >> a >> b >> w;
        graph[a].push_back(node{b,w});
        graph[b].push_back(node{a,w});
        edge[i] = Edge{a,b};
    val[1].push_back(-INF);
    root[1] = 1;
    dfs_sz(1, 1, 0);
    dfs_hld(1, 1);
    // build tree
    for(i=1;i<=n;i++){ // 第i個節點為根的線段樹
        if(root[i] == i){
            tree[i].resize(len[i]*4,0);
            build(i, 1, 0, len[i]-1);
        }
```

```
// query
    while(cin >> op){
        if(op == "DONE") break;
        else if(op == "CHANGE"){
            cin >> i >> ti; i--;
            if(dep[edge[i].u] < dep[edge[i].v])</pre>
                swap(edge[i].u,edge[i].v);
            i = edge[i].u;
            update(root[i], 1, 0, len[root[i]]-1,
            dep[i]-dep[root[i]], ti);
        else if(op == "QUERY"){
            cin >> a >> b;
            int ans = -INF;
            while(root[a] != root[b]){ //不同鍊
                if(dep[root[a]] < dep[root[b]])</pre>
                    swap(a, b);
                // 深鍊的最大邊
                ans = max(ans, query(root[a], 1, 0, len
                    [root[a]]-1, 0, dep[a]-dep[root[a
                a = fa[root[a]]; //跳鍊
            if(a != b){ //不同節點
                int mn =
                    min(dep[a],dep[b])-dep[root[a]]+1;
                int mx =
                    max(dep[a],dep[b])-dep[root[a]];
                //所在節點區間 mn,mx
                ans = max(ans, query(root[a], 1, 0, len
                    [root[a]]-1, mn, mx));
            cout << ans <<"\n";
}
   }
       }
```

4.6 區間修改 Segment tree

```
#define NO_TAG 0 //懶惰記號
vector <int> tag(MAXN);
//將區間 [l, r] 的值都加 v
void push(int i,int l,int r){
   if(tag[i] != NO_TAG){ // 判斷是否有打標記
       tree[i] += tag[i]; // 有的話就更新當前節點的值
       if(1 != r){ // 如果有左右子節點把標記往下打
           tag[cl(i)] += tag[i];
           tag[cr(i)] += tag[i];
       tag[i] = NO_TAG; // 更新後把標記消掉
void pull(int i,int l,int r){
   int mid = (1+r)/2;
   push(cl(i),l,mid); push(cr(i),mid+1,r);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]);
void update(int i,int l,int r,int ql,int qr,int v){
   push(i,l,r);
   if(q1<=1 && r<=qr){</pre>
       tag[i] += v;
       return:
   int mid=(1+r)/2;
   if(ql<=mid) update(cl(i),1,mid,ql,qr,v);</pre>
   if(qr> mid) update(cr(i),mid+1,r,ql,qr,v);
   pull(i,l,r);
```

4.7 DSU on Tree

```
void add(int v, int p, int x){
   cnt[ col[v] ] += x;
```

```
// now you can insert test
    for(auto u: g[v])
        if(u != p && !big[u])
            add(u, v, x);
void dfs(int v, int p, bool keep){
    int mx = -1, bigChild = -1;
    for(auto u : g[v])
       if(u != p && sz[u] > mx)
          mx = sz[u], bigChild = u;
    for(auto u : g[v])
        if(u != p && u != bigChild)
        // run a dfs on small childs and clear them
            from cnt
            dfs(u, v, 0);
    if(bigChild != -1)
    // bigChild marked as big and not cleared from cnt
        dfs(bigChild, v, 1), big[bigChild] = 1;
    add(v, p, 1);
    ans[v] = sum;
    //now cnt[c] is the number of vertices in subtree
        of vertex v that has color c. You can answer
        the queries easily.
    if(bigChild != -1)
        big[bigChild] = 0;
    if(keep == 0){
        add(v, p, -1);
        // now you can init to 0
```

5 DP

5.1 背包問題

```
/*背包問題*/
// n: 第0種到第n種物品要放進背包內。
// w: 背包耐重限制。
// c(n, w): 只有第0種到第n種物品
// 耐重限制為w,此時的背包問題答案。
|// weight[n]: 第n種物品的重量。
// cost[n]: 第n種物品的價值。
// number[n]:第n種物品的數量。
// 0/1背包滾動
// 每種物品只會放進背包零個或一個。
const int N = 500, W = 2000000; //N個物品,耐重W
int cost[N], weight[N];
int c[W + 1];
void knapsack(int n, int w)
  c[0] = 0;
  for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
   for (int j = w; j - weight[i] >= 0; --j)
     c[j] = max(c[j], c[j - weight[i]] + cost[i]);
  cout << c[w];
}
// 0/1背包可用於:
// 一個數字集合,挑幾個數字,總和恰為零 (Subset Sum
   Problem)
// 一個數字集合,挑幾個數字,總和恰為整體總和的一半(
   Partition Problem)
// N個不同重量物品, M個不同耐重箱子, 用最少箱子裝所有物
   品 (Bin Packing Problem)
// 無限背包
// 物品有許多種類,每一種物品都無限量供應的背包問題。
void knapsack(int n, int w)
   memset(c, 0, sizeof(c));
```

```
for (int i=0; i<n; ++i)</pre>
       for (int j = weight[i]; j <= w; ++j)</pre>
           c[j] = max(c[j], c[j - weight[i]] + cost[i]
   cout << "最高的價值為" << c[w];
}
// 有限背包
// 物品有許多種類,每一種物品都是限量供應的背包問題。
int cost[N], weight[N], number[N];
// number[n]: 第n種物品的數量。
void knapsack(int n, int w)
   for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
   {
       int num = min(number[i], w / weight[i]);
       for (int k = 1; num > 0; k *= 2)
           if (k > num) k = num;
           num -= k;
           for (int j = w; j >= weight[i] * k; --j)
               c[j] = max(c[j], c[j - weight[i] * k] +
                    cost[i] * k);
       }
   }
   cout << "最高的價值為" << c[w];
```

5.2 找零問題

```
/*Money Changing Problem*/
// n:用第0種到第n種錢幣來湊得價位。
// m: 欲湊得的價位值。
// c(n, m):用第0種到第n種錢幣湊得價位m的湊法數目。
// price[n]: 第n種錢幣的面額大小。
// 能否湊得某個價位 ( Money Changing Problem )
// 給定許多種不同面額的錢幣,
// 能否湊得某個價位?
// 每種面額的錢幣都無限供應。
// 錢幣面額,順序可隨意。
int price[5] = {5, 2, 6, 11, 17};
bool c[1000+1];
// 看看 {5, 2, 6, 11, 17} 這些面額湊不湊得到價位 m
void change(int m)
   memset(c, false, sizeof(c));
   c[0] = true;
   // 依序加入各種面額
   for (int i = 0; i < 5; ++i)</pre>
       // 由低價位逐步到高價位
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
          // 湊、湊、湊
          c[j] |= c[j-price[i]];
   if (c[m])
       cout << "湊得到";
       cout << "湊不到";
}
// 湊得某個價位的湊法總共幾種 ( Coin Change Problem )
void change(int m)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = 1;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)</pre>
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
```

```
c[j] += c[j-price[i]];
   cout << "湊得價位" << m;
   cout << "湊法總共" << c[m] << "種";
}
// 湊得某個價位的最少錢幣用量( Change-Making Problem
// c(n, m):用第0種到第n種錢幣湊得價位m,最少所需要的錢
   幣數量。
void change(int m)
   memset(c, 0x7f, sizeof(c));
   c[0] = 0;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
          c[j] = min(c[j], c[j-price[i]] + 1);
   cout << "湊得價位" << m;
   cout << "最少需 (只) 要" << c[m] << "個錢幣";
// 湊得某個價位的錢幣用量,有哪幾種可能性。
void change(int m)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = 1;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
          // 錢幣數量加一,每一種可能性都加一。
          c[j] |= c[j-price[i]] << 1;
   for (int i = 1; i <= 63; ++i)
       if (c[m] & (1 << i))</pre>
          cout << "用" << i << "個錢幣可湊得價位" <<
// 能否湊得某個價位,但是錢幣限量供應!
int price[5] = {5, 2, 6, 11, 17};
                                // 各種錢幣的供應數
int number[5] = {4, 5, 5, 3, 2};
bool c[1000+1];
void change(int m)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = true;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       // 各種餘數分開處理
       for (int k = 0; k < price[i]; ++k)</pre>
       {
          int left = number[i]; // 補充彈藥
          // 由低價位到高價位
          for (int j = k; j <= m; j += price[i])</pre>
              // 先前的面額已能湊得,當前面額可以省著
              if (c[j])
                                  // 補充彈藥
                 left = number[i];
              // 過去都無法湊得,一定要用目前面額硬
              else if (left > 0)
              {
                 left--; // 用掉一個錢幣
                 c[j] = true;
              }
       }
   if (c[m])
       cout << "湊得到";
```

```
else
       cout << "湊不到";
}
// Cashier's Algorithm
// 買東西找回最少硬幣。
int price[5] = {50, 20, 10, 4, 2}; // 面額由大到小排列
void cashier(int n) // n 是總共要找的錢。
    int c = 0;
    for (int i=0; i<5; ++i)</pre>
       while (n >= price[i])
           n -= price[i]; // 找了 price[i] 元
           c++;
       }
   if (n != 0)
       cout << "找不出來";
       cout << "找了" << c << "個錢幣";
}
```

6 DP on tree

6.1 全點對距離 Tree Distance

```
int dp[MAXN]={0};
void dfs_sz(int x,int f){
   sz[x] = 1, fa[x] = f;
   for(int i:edge[x]){
      if(i == f) continue;
      dfs1(i, x); // 先計算完子節點的答案再算自己的
      sz[x]+=sz[i];
      dp[x]+=(dp[i]+sz[i]);
void dfs_dp(int x,int f,ll sum){
   ans += sum + dp[x]; //所有點到結點x距離總和為父節點
       方向距離總和 + 子樹到自己距離總和
   for(int i:edge[x]){
      if(i == f) continue;
      //tmp 為從父節點x到子節點i的距離總合為
      11 tmp = sum //x的父節點總和 sum 到結點x的距離
               + dp[x] - (dp[i]+sz[i])
               //加上x的子樹(除了i方向)到x的距離總和
               + (n - sz[i]);
               //加上從節點x到節點i的距離
      dfs2(i, x, tmp);
  }
```

6.2 最大獨立集 Independent set

6.3 最小點覆蓋 Vertex Cover

```
int dp[MAXN][2]; //此點,選或不選
void dfs(int x,int f){
    dp[x][1] = 1; // 狀態[1] 計算自己數量 +1
```

6.4 最小支配集 Dominating Set

7 String

7.1 Trie

```
// insert 0(|s|)
// query 0(|s|)
struct trie{
   trie *nxt[26];
              //紀錄有多少個字串以此節點結尾
   int cnt;
              //有多少字串的前綴包括此節點
   int sz;
   set<int> cnt_idx, sz_idx;
   trie():cnt(0),sz(0){
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
  };
trie *root = new trie();
void insert(string& s, int idx){
   trie *now = root; // 每次從根結點出發
    for(auto i:s){
       now->sz++; now->sz_idx.emplace(idx); //被誰經過
       if(now->nxt[i-'a'] == NULL){
           now->nxt[i-'a'] = new trie();
       }
       now = now->nxt[i-'a']; //走到下一個字母
   now->cnt++; now->cnt_idx.emplace(idx);//以此點結尾
   now->sz++; now->sz_idx.emplace(idx); //被誰經過
//query
int query_prefix(string& s){ //查詢有多少前綴為 s
   trie *now = root;
                      // 每次從根結點出發
    for(auto i:s){
       if(now->nxt[i-'a'] == NULL){
           return 0;
       now = now - > nxt[i - 'a'];
   return now->sz;
int query_count(string& s){ //查詢字串 s 出現次數
   trie *now = root;
                       // 每次從根結點出發
   for(auto i:s){
       if(now->nxt[i-'a'] == NULL){
           return 0;
       now = now - > nxt[i - 'a'];
   return now->cnt:
```

```
//str有沒有在[l,r]的前綴中
bool query_ArrPrefix(string& s,int l,int r){
    trie *now = root;
                       // 每次從根結點出發
    for(auto i:s){
       if(now->nxt[i-'a'] != NULL && now->nxt[i - 'a'
           ]->sz > 0 ){ //存在
           now = now - > nxt[i - 'a'];
       }else return false; //不存在,無解
   }
    // 這個s的節點,[L,r]有沒有經過
    auto L = now->sz idx.lower bound(1);
    if(l<=*L && *L<=r)return true;</pre>
    else return false;}
//[l,r]有沒有存在於str的前綴中
bool query_StrPrefix(string& s,int 1,int r){
    trie *now = root;
                       // 每次從根結點出發
    for(auto i:s){
       if(now->nxt[i-'a'] != NULL && now->nxt[i - 'a'
           ]->sz > 0 ){ //存在
           now = now -> nxt[i - 'a'];
       }else return false; //不存在,無解
    // [l,r]存在於str的前綴中,代表有字串以str為結尾
       auto L = now->cnt_idx.lower_bound(1);
       if(l<=*L && *L<=r)return true;</pre>
   } return false;
}
```

7.2 01Trie

```
// insert O(lgx)
// query O(lgx)
// 處理XOR問題
// struct
struct trie{
   trie *nxt[2]; // 差別
              //紀錄有多少個數字以此節點結尾
   int cnt;
               //有多少數字的前綴包括此節點
   int sz;
    trie():cnt(0),sz(0){
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
};
//創建新的字典樹
trie *root = new trie();
void insert(int x){
    trie *now = root; // 每次從根結點出發
    for(int i=30;i>=0;i--)
       now->sz++:
       if(now->nxt[x>>i&1] == NULL){
           now->nxt[x>>i&1] = new trie();
       now = now->nxt[x>>i&1]; //走到下一個字母
   now->cnt++;
   now->sz++;
// in this set, the maximum value of bitwise XOR x
int query(int x){
   trie *now = root;
    int ans=0;
    for(int i=30;i>=0;i--){// 不等於為1(0xr1=1,1xr0=1)
       if (now->nxt[!(x>>i&1)] != NULL && now->nxt[!(x
           >>i&1)]-> sz > 0){ //下一個存在
           ans += 1<<i;
           now = now->nxt[!(x>>i&1)];
       else now = now->nxt[x>>i&1];
    return ans;
}
```

7.3 Hash

```
// build O(n)
// query 0(1)
// double hash
// P = 53,97,193,49157,805306457,1610612741,1e9+9,1e9+7
const 11 P1 = 75577;
const 11 P2 = 12721;
                        // 多一個質數 p2
const 11 MOD = 998244353;
pair<ll,ll> Hash[MXN];//Hash[i] 為字串 [0,i] 的hash值
void build(const string& s){
    pair<11,11> val = make_pair(0,0);
    for(int i=0; i<s.size(); i++){</pre>
        val.first = (val.first * P1 + s[i]) % MOD;
        val.second = (val.second * P2 + s[i]) % MOD;
        Hash[i] = val;
    }
// query:
// H[l,r] = Hr - H(l-1) * p^{r-l+1} %MOD + MOD )%MOD
```

8 Math

8.1 Epsilon

```
| /*精準度(Epsilon)*/
float eps = 1e-8;
bool Equal(float a, float b)
    return fabs(a - b) < eps
bool NEqual(float a, float b)
    return fabs(a - b) > eps
bool Less(float a, float b)
    return (a - b) < -eps
bool Greater(float a, float b)
    return (a - b) > eps
```

8.2 Floor-Ceil

```
/*floor向下取整, ceil向上取整*/
int floor(int a,int b){ return a/b - (a%b and a<0^b<0);
    }
int ceil (int a,int b){ return a/b + (a%b and a<0^b>0);
}
```

8.3 josephusl

```
| /*約瑟夫問題:n個人圍成一桌,數到m的人出列*/
| int josephus(int n, int m) { //n人每m次
| int ans = 0;
| for (int i = 1; i <= n; ++i)
| ans = (ans + m) % i;
| return ans;
| }
```

8.4 快速罩

8.5 Sieve Prime

```
/*Sieve_Prime*/
const int N = 20000000;//質數表大小
bool sieve[N];
vector<int> prime;
void linear_sieve(){
    for (int i = 2; i < N; i++)
    {
        if (!sieve[i]) prime.push_back(i);
        for (int p : prime)
        {
            if (i * p >= N) break;
              sieve[i * p] = true;
              if (i % p == 0) break;
        }
    }
}
```

8.6 Prime factorization

8.7 Miller Rabinn

```
/*Miller_Rabin 質數判定*/
                            3 : 2, 7, 61
4 : 2, 13, 23, 1662803
// n < 4,759,123,141
                             4:
// n < 1,122,004,669,633
// n < 3,474,749,660,383
                                  6 : pirmes <= 13
// n < 2^64
// 2, 325, 9375, 28178, 450775, 9780504, 1795265022
// Make sure testing integer is in range [2, n-2] if
// you want to use magic.
11 magic[N] = {};
bool witness(ll a, ll n, ll u, int t) {
    if (!a) return 0;
    ll x = mypow(a, u, n); //快速冪
    for (int i = 0; i < t; i++) {</pre>
        ll nx = mul(x, x, n); //快速乘
        if (nx == 1 && x != 1 && x != n - 1) return 1;
        x = nx:
    return x != 1;
bool miller_rabin(ll n) {
    int s = (magic number size);
        // iterate s times of witness on n
        if (n < 2) return 0;</pre>
    if (!(n & 1)) return n == 2;
    11 u = n - 1; int t = 0;
    // n-1 = u*2^t
    while (!(u & 1)) u >>= 1, t++;
    while (s--) {
        11 a = magic[s] % n;
        if (witness(a, n, u, t)) return 0;
    return 1:
}
```

8.8 乘法取餘 Multiplication

8.9 快速乘法 karatsuba

```
|/*karatsuba 快速乘法*/
// Get size of the numbers
int getSize(ll num){
    int count = 0;
    while (num > 0)
        count++;
        num /= 10;
    return count;
11 karatsuba(11 X, 11 Y){
    // Base Case
    if (X < 10 && Y < 10)
        return X * Y;
    // determine the size of X and Y
    int size = fmax(getSize(X), getSize(Y));
    // Split X and Y
    int n = (int)ceil(size / 2.0);
    11 p = (11)pow(10, n);
    11 a = (11)floor(X / (double)p);
    11 b = X \% p;
    11 c = (11)floor(Y / (double)p);
    11 d = Y \% p;
    // Recur until base case
    11 ac = karatsuba(a, c);
    11 bd = karatsuba(b, d);
    11 e = karatsuba(a + b, c + d) - ac - bd;
    // return the equation
    return (11)(pow(10 * 1L, 2 * n) * ac + pow(10 * 1L,
         n) * e + bd);
```

8.10 ax+by=gcd(a,b)

```
| /*ax+by=gcd(a,b) 一組解*/
| 11 a, b, x, y;
| 11 exgcd(11 a, 11 b, 11& x, 11& y) {
| if (b) {
| 11 d = exgcd(b, a % b, y, x);
| return y -= a / b * x, d;
| }
| return x = 1, y = 0, a;
| }
```

8.11 GaussElimination

```
/*GaussElimination*/
// by bcw_codebook
const int MAXN = 300;
const double EPS = 1e-8;
int n;
double A[MAXN][MAXN];
void Gauss() {
  for(int i = 0; i < n; i++) {
    bool ok = 0;
    for(int j = i; j < n; j++) {
        if(fabs(A[j][i]) > EPS) {
        swap(A[j], A[i]);
    }
}
```

```
ok = 1;
break;
}
if(!ok) continue;

double fs = A[i][i];
for(int j = i+1; j < n; j++) {
    double r = A[j][i] / fs;
    for(int k = i; k < n; k++) {
        A[j][k] -= A[i][k] * r;
    }
}
}</pre>
```

8.12 大數 Big number

```
/*大數(Big Number)*/
void add(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int i = 0, carry = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        c[i] = a[i] + b[i] + carry;
        carry = c[i] / 10;
        c[i] %= 10;
    }
void sub(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int i = 0, borrow = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        c[i] = a[i] - b[i] - borrow;
        if (c[i] < 0) {</pre>
            borrow = 1;
            c[i] += 10;
        else
            borrow = 0;
void mul(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int i = 0, j = 0, carry = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        if (a[i] == 0) continue;
        for (j = 0; j < MAX; ++j)
            c[i + j] += a[i] * b[i];
    for (i = 0; i < MAX; ++i) {</pre>
        carry = c[i] / 10;
        c[i] %= 10;
    }
void div(int a[100], int b[100], int c[100]){
    int t[100];
    for (i = 100 - 1; i >= 0; i--) {
        for (int k = 9; k > 0; k--) // 嘗試商數
        {
             mul(b + i, k, t);
            if (largerthan(a + i, t))
            {
                 sub(a + i, t, c + i);
                 break:
        }
}
```

9 STL

9.1 常用 tool

```
swap(a,b);
min(a,b);
```

```
max({ a, b, c });
//二進制 "1"的個數
__builtin_popcount(n)
                      -> int
__builtin_popcountl(n) -> long int
__builtin_popcountll(n) -> long long
abs(x);
pow(x):
sqrt(x);
__gcd(x, y);
__lg(x) //以2為底數
        //以e為底數
log(x)
log10(x) //以10為底數
        //排列組合
    cout << s << "\setminus n";
} while (next_permutation(s.begin(), s.end()));
//陣列處理
sort(arr,arr+n);
reverse(arr,arr+n);
*min_element(arr, arr+n); //value
min_element(arr, arr+n) - arr; //index
*lower_bound(arr, arr+4, c) << '\n'; //第一個大於等於c
*upper_bound(arr, arr+4, c) << '\n'; //第一個大於c
//填充 arr[0]=123 arr[1]=123 arr[2]=123
fill(arr, arr+3, 123);
//輸出
//四捨五入 或是更高精度(int)10 * 位數 + 0.5
cout << fixed << setprecision(10);</pre>
//寬度n 用 char (c) 填補
cout << setw(n) << setfill(c) << ;</pre>
//迭代器
T.begin()
T.end()
T.rbegin() //逆序迭代器
T.rend() //逆序迭代器
T.find() //可用於set,map的earse()。
```

9.2 Sort

```
//cmp
struct T {int val, num;};
bool cmp(const T &a, const T &b) {
    return a.num < b.num;
}
sort(arr.begin(), arr.end(), cmp);
//operator
struct Point {
    int x, y;
    bool operator<(Point b) {
        if (x != b.x) return x < b.x;
        else return y < b.y;
    }
};
Point arr[n];
sort(arr, arr+n); //二維平面,從小到大排列。</pre>
```

9.3 Priority Queue

```
|//預設由大排到小
| priority_queue<T> pq
| priority_queue<int, vector<int>, less<int> > pq;
| //改成由小排到大
| priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
| //自行定義 cmp 排序
| priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
| struct cmp {
| bool operator()(node a, node b) {
| //priority_queue@先判定為!cmp
| //,所以「由大排到小」需「反向」定義
| //實現「最小值優先」
| return a.x < b.x;
```

```
| }
|};
```

9.4 Bitset

9.5 StringStream

```
| stringstream ss;
| getline(cin, str);
| ss.str("");
| ss.clear();
| ss << oct << s; //以8進制讀入流中
| ss << hex << s; //以16進制讀入流中
| ss >> n; //10進制int型輸出
| ss >> s; //x進制str型輸出
```

9.6 List

```
| • push_back()

• pop_back()

• push_front()

• pop_front()

• back()

• front()

• insert(index, obj)

• erase()

//遍歷

for (auto iter = _list.begin(); iter != _list.end();

    iter++)

    cout << *iter << "\n";
```

9.7 Set

```
| • insert()

| • erase(l, r) //L與r皆為iterator

| • erase()

| • empty()

| • clear()

| • count() //元素是否存在

|//遍歷

| int mints[] = { 75,23,65,42,13,75,65 };

| set<int> myset(myints, myints + 7);

| for (auto it = myset.begin(); it != myset.end(); it++)

| cout << ' ' << *it;
```

9.8 Map

```
//find
auto iter = mymap.find("a");
if (iter != mapStudent.end())
    cout << "Find, the value is" << iter->second <<
        endl;</pre>
```

```
else
    cout << "Do not Find" << endl;
//erase
auto iter = mymap.find("a");
mymap.erase(iter);
//map遍歷
for (auto it = mymap.begin(); it != mymap.end(); it++)
cout << it->first << ", " << it->second << endl
```

10 Other

```
/*前置作業*/
#include <bits/stdc++.h>
#define 11 long long
#define ld long double
using namespace std;
cin.tie(0);cout.tie(0);
ios_base::sync_with_stdio(false);
/*unroll-loops*/
#pragma GCC optimize("00")//不優化(預設)
#pragma GCC optimize("01")//優化一點
#pragma GCC optimize("02")//優化更多
#pragma GCC optimize("03")//02優化再加上inline函式優化
#pragma GCC optimize("unroll-loops")
/*常數宣告*/
// 數字中可以加 / 方便看出幾位數
#define MXN 1'000'005
// 1e-6 為科學記號 代表 1 * 10^-6
#define EPS 1e-6
// 0x3f3f3f3f為一個接近10^9的數字0x為16進位
#define INF 0x3f3f3f3f
// acos(-1) 等同圓周率
#define PI acos(-1)
/*位元運算*/
if(x&1) cout<<奇數;
else
       cout<<偶數;
         //將x左移1,等同 *2
x <<= 1
         //將x右移2,等同 /4
x >>= 2
                             / Hong~Long~Long~Long~
             (00)
                     (00)/---/
                           _|/////== *- *
          ./_|\_\/_/_|
                AC
                     AC | NO BUG /== -*
                                _]
```

Chong~Chong~Chong~