Contents

```
1 Math
2 Data structure
2.1 BIT 樹狀數組 (動態前綴和) . . . . . . . . . . . . . .
3 Algorithm
3.2 DFS . . . . .
  . . . . . . . . . . . . . . . . . .
4.1 Adjacency list for DFS And BFS . . . . . . . . . . . . . . . .
4.5 SPFA 單源最短路徑 (negative cycle) . . . . . . . . . . . .
5 DP
5.5 最大非連續子序列和 . . . . . . . . . . . . . . . .
```

1 Math

1.1 快速冪

1.2 快速乘

```
/*快速乘(a * b) mod m 大數乘法取餘數*/
ll mul(ll x, ll y, ll mod) \{
    11 ret = x * y - (11)((long double)x / mod * y) *
        mod:
    // LL ret=x*y-(LL)((long double)x*y/mod+0.5)*mod;
    return ret < 0 ? ret + mod : ret;</pre>
      快速乘法 karatsuba
1.3
/*karatsuba 快速乘法*/
// Get size of the numbers
int getSize(ll num)
    int count = 0:
    while (num > 0)
        count++;
        num /= 10;
    return count;
}
11 karatsuba(11 X, 11 Y){
    // Base Case
    if (X < 10 && Y < 10)
        return X * Y;
    // determine the size of X and Y
    int size = fmax(getSize(X), getSize(Y));
    // Split X and Y
    int n = (int)ceil(size / 2.0);
    11 p = (11)pow(10, n);
    11 a = (11)floor(X / (double)p);
    11 b = X \% p;
    11 c = (11)floor(Y / (double)p);
    11 d = Y \% p;
    // Recur until base case
    11 ac = karatsuba(a, c);
    11 bd = karatsuba(b, d);
```

1.4 GCD

```
/*GCD*/
11 gcd(11 a, 11 b){
    return b == 0 ? a : gcd(b, a % b);
}
```

// return the equation

n) * e + bd);

11 e = karatsuba(a + b, c + d) - ac - bd;

return (11)(pow(10 * 1L, 2 * n) * ac + pow(10 * 1L,

1.5 ax+by=gcd(a,b)

```
| /*ax+by=gcd(a,b) 一組解*/
| 11 a, b, x, y;
| 11 exgcd(11 a, 11 b, 11& x, 11& y) {
        if (b) {
            11 d = exgcd(b, a % b, y, x);
            return y -= a / b * x, d;
        }
        return x = 1, y = 0, a;
| }
```

1.6 Chinese Remainder Theorem

```
/*Chinese remainder theorem*/
11 CRT(int k, 11* a, 11* r) {
    11 n = 1, ans = 0;
    for (int i = 1; i <= k; i++) n = n * r[i];
    for (int i = 1; i <= k; i++) {
        11 m = n / r[i], b, y;
        exgcd(m, r[i], b, y); // b * m mod r[i] = 1
        ans = (ans + a[i] * m * b % mod) % mod;
    }
    return (ans % mod + mod) % mod;
}</pre>
```

1.7 模反元素 inverse

```
/*Chinese remainder theorem*/
ll CRT(int k, ll* a, ll* r) {
    ll n = 1, ans = 0;
    for (int i = 1; i <= k; i++) n = n * r[i];
    for (int i = 1; i <= k; i++) {
        ll m = n / r[i], b, y;
        exgcd(m, r[i], b, y); // b * m mod r[i] = 1
        ans = (ans + a[i] * m * b % mod) % mod;
    }
    return (ans % mod + mod) % mod;
}</pre>
```

1.8 Sieve Prime

1.9 Miller Rabin

```
/*Miller_Rabin 質數判定*/
                            3 : 2, 7, 61
4 : 2, 13, 23, 1662803
// n < 4,759,123,141
// n < 1,122,004,669,633
// n < 3,474,749,660,383
                                  6 : pirmes <= 13
// n < 2^64
// 2, 325, 9375, 28178, 450775, 9780504, 1795265022
// Make sure testing integer is in range [2, n-2] if
// you want to use magic.
11 magic[N] = {};
bool witness(ll a, ll n, ll u, int t) {
    if (!a) return 0;
    ll x = mypow(a, u, n); //快速冪
    for (int i = 0; i < t; i++) {</pre>
        ll nx = mul(x, x, n); //快速乘
        if (nx == 1 && x != 1 && x != n - 1) return 1;
        x = nx;
    return x != 1;
bool miller_rabin(ll n) {
    int s = (magic number size);
```

```
// iterate s times of witness on n
    if (n < 2) return 0;
if (!(n & 1)) return n == 2;
ll u = n - 1; int t = 0;
// n-1 = u*2^t
while (!(u & 1)) u >>= 1, t++;
while (s--) {
    ll a = magic[s] % n;
    if (witness(a, n, u, t)) return 0;
}
return 1;
}
```

1.10 Prime factorization

1.11 Fibonacci

```
/*Fibonacci*/
int Fib[100005];
int F(int n) {
    Fib[0] = 0; Fib[1] = 1;

    for (int i = 2; i <= n; i++)
        Fib[i] = Fib[i - 1] + Fib[i - 2];

    return Fib[n];
}</pre>
```

1.12 josephus

```
| /*約瑟夫問題: n個人圍成一桌,數到m的人出列*/
| int josephus(int n, int m) { //n人每m次
| int ans = 0;
| for (int i = 1; i <= n; ++i)
| ans = (ans + m) % i;
| return ans;
| }
```

1.13 MOD

```
int _nt(int a, int m, int r) {
    m = abs(m);
    r = (r % m + m) % m;
    return _fd(a - r - 1, m) * m + r + m;
}
int _ct(int a, int b, int m, int r) {
    m = abs(m);
    a = _nt(a, m, r);
    b = _pv(b, m, r);
    return (a > b) ? 0 : ((b - a + m) / m);
}
```

1.14 Epsilon

```
|/*精準度(Epsilon)*/
void Equal(float a, float b)
                               //判斷相等
    float eps = 1e-8;
    if ((fabs(a - b)) < eps)
        printf("Yes\n");
    else printf("No\n");
void NEqual(float a, float b)
                               //判斷不相等
    float eps = 1e-8;
    if ((fabs(a - b)) > eps)
        printf("Yes\n");
    else printf("No\n");
}
void Less(float a, float b) //判斷小於
    float eps = 1e-8;
    if ((a - b) < -eps)
        printf("Yes\n");
    else printf("No\n");
void Greater(float a, float b) //判斷大於
    float eps = 1e-8;
    if ((a - b) > eps)
        printf("Yes\n");
    else printf("No\n");
}
```

1.15 取整函數 floor-ceil

```
/*floor向下取整,ceil向上取整*/
int floor(int a,int b){ return a/b - (a%b and a<0^b<0);
    }
int ceil (int a,int b){ return a/b + (a%b and a<0^b>0);
    }
}
```

1.16 Big number

```
/*大數(Big Number)*/
void add(int a[100], int b[100], int c[100])
                                                 //加法
    int i = 0, carry = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        c[i] = a[i] + b[i] + carry;
        carry = c[i] / 10;
        c[i] %= 10;
    }
void sub(int a[100], int b[100], int c[100])
                                                 //減法
    int i = 0, borrow = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        c[i] = a[i] - b[i] - borrow;
        if (c[i] < 0) {</pre>
            borrow = 1;
```

```
c[i] += 10;
        }
        else
            borrow = 0;
}
void mul(int a[100], int b[100], int c[100])
                                                 //乘法
    int i = 0, j = 0, carry = 0;
    for (i = 0; i < 100; ++i) {
        if (a[i] == 0) continue;
        for (j = 0; j < MAX; ++j)
            c[i + j] += a[i] * b[i];
    for (i = 0; i < MAX; ++i) {</pre>
        carry = c[i] / 10;
        c[i] %= 10;
    }
void div(int a[100], int b[100], int c[100])
                                                 //除法
    int t[100];
    for (i = 100 - 1; i >= 0; i--) {
        for (int k = 9; k > 0; k--) // 嘗試商數
            mul(b + i, k, t);
            if (largerthan(a + i, t))
                sub(a + i, t, c + i);
                break;
            }
        }
    }
}
```

1.17 GaussElimination

```
/*GaussElimination*/
// by bcw codebook
const int MAXN = 300;
const double EPS = 1e-8;
int n:
double A[MAXN][MAXN];
void Gauss() {
  for(int i = 0; i < n; i++) {</pre>
    bool ok = 0;
     for(int j = i; j < n; j++) {</pre>
       if(fabs(A[j][i]) > EPS) {
         swap(A[j], A[i]);
         ok = 1;
         break;
       }
     if(!ok) continue;
     double fs = A[i][i];
     for(int j = i+1; j < n; j++) {</pre>
       double r = A[j][i] / fs;
       for(int k = i; k < n; k++) {</pre>
         A[j][k] -= A[i][k] * r;
    }
  }
}
```

2 Data structure

2.1 BIT 樹狀數組 (動態前綴和)

```
/*BIT 樹狀數組(動態前綴和)*/
//BIT and Array start at 1
#define MAXN 100005 //最大區間<MAXN
vector <int> arr(MAXN); //原始陣列
vector <int> bit(MAXN); //BIT數組
//前綴和查詢
11 query(int i) { //index
    ll ret = 0;
    while(i > 0) ret += bit[i], i -= i & -i; // 1-base
        i-lowbit(i)
    return ret;
//單點增值
void modify(int i, int val) { //index,value
    while(i <= MAXN) bit[i] += val, i += i & -i; // i+</pre>
        Lowbit(i)
}
```

2.2 Segment tree 線段樹 (區間問題)

```
/*Segment tree 線段樹(區間問題)*/
//segment tree and Array start at 1
// [l,r] 最大區間設為[1,n]
// [ql,qr] 目標區間
// pos,val 修改位置,修改值
#define MAXN 100005*4 //tree大小為4n
#define cl(x) (x*2)
                   //左子節點index
#define cr(x) (x*2+1) //右子節點index
#define NO_TAG 0 //懶惰記號
vector <int> tag(MAXN);
vector <int> arr(MAXN);
vector <int> tree(MAXN);
void build(int i,int l,int r){ //i為當前節點index,l,r
   為當前遞迴區間
   if(1 == r){ // 遞迴到區間大小為1
      tree[i] = arr[l];
      return;
   int mid=(1+r)/2; //往兩邊遞迴
   build(cl(i),1,mid);
   build(cr(i),mid+1,r);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]); //<-可修改
   //將節點的值設成左右子節點的最大值
// i 為當前節點index, l, r當前區間左右界, ql, qr詢問左
int query(int i,int l,int r,int ql,int qr){
   if(q1 <= 1 && r <= qr){ //若當前區間在詢問區間內,
       直接回傳區間最大值
      return tree[i];
   int mid=(1+r)/2, ret=0; //<-可修改條件
   if(ql<=mid) // 如果左子區間在詢問區間內
      ret = max(ret, query(cl(i),l,mid,ql,qr)); //
          <-可修改條件
   if(qr> mid) // 如果右子區間在詢問區間內
      ret = max(ret, query(cr(i),mid+1,r,ql,qr)); //
          <-可修改條件
   return ret;
}
```

```
/*單點修改*/
void update(int i,int 1,int r,int pos,int val){
   if(1 == r){ // 修改 a[pos] 的值為 val
       tree[i] = val;
       return;
   int mid=(1+r)/2;
   if(pos <= mid) // 如果修改位置在左子節點,往左遞迴
       update(cl(i),1,mid,pos,val);
   else // 否則往右遞迴
       update(cr(i),mid+1,r,pos,val);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]); //<-可
       修改條件
/*區間修改*/
//將區間 [l, r] 的值都加 v
void push(int i,int l,int r){
   if(tag[i] != NO_TAG){ // 判斷是否有打標記,NO_TAG=0
       tree[i] += tag[i]; // 有的話就更新當前節點的值
       if(1 != r){ // 如果有左右子節點把標記往下打
           tag[cl(i)] += tag[i];
           tag[cr(i)] += tag[i];
       tag[i] = NO_TAG; // 更新後把標記消掉
   }
}
void pull(int i,int l,int r){
   int mid = (1+r)/2;
   push(cl(i),1,mid); push(cr(i),mid+1,r);
   tree[i] = max(tree[cl(i)], tree[cr(i)]);
void update(int i,int l,int r,int ql,int qr,int v){
   push(i,1,r);
   if(q1<=1 && r<=qr){
       tag[i] += v; //將區間 [l, r] 的值都加 v
       return;
   int mid=(1+r)/2;
   if(ql<=mid) update(cl(i),l,mid,ql,qr,v);</pre>
   if(qr> mid) update(cr(i),mid+1,r,ql,qr,v);
   pull(i,l,r);
2.3 Heap
typedef __gnu_pbds::priority_queue<int> heap_t;
heap_t a,b;
int main() {
 a.clear();
 b.clear();
 a.push(1);
 a.push(3);
 b.push(2);
 b.push(4);
 assert(a.top() == 3);
 assert(b.top() == 4);
 // merge two heap
 a.join(b);
 assert(a.top() == 4);
 assert(b.empty());
 return 0;
    Algorithm
```

3.1 Binary Search

```
/*Binary Search*/
void binary_search(ll n,ll target){
  11 L=0, R=n;
    while(L<R){</pre>
       11 mid=(L+R)>>1;
       if(check(mid)) R=mid;
       else
                       L=mid+1:
  cout << L << "\n";
3.2 DFS
/*DFS*/
/*n皇后*/
//k為第幾行,a[k]為第幾列,n個皇后
int a[100], n, count;
void DFS(int k) {
    if (k > n) {//當k=n+1時找到解
       count++:
       printf("第%d個解\n", count);
        for (int i = 1; i <= n; i++) {//譜面輸出
           for (int j = 1; j < a[i]; j++)printf("0");</pre>
            printf("1");
            for (int j = a[i] + 1; j <= n; j++)printf("</pre>
               0");
            printf("\n");
       }
    }
    else {
       for (int i = 1; i <= n; i++) {//找不到合適的列
             (位置),回到上一行
            a[k] = i; //存入皇后
            if (check(a, k))DFS(k + 1);//當前皇后的位置
                符合要求,則求下一個皇后(下一行)
       }
    }
}
/*交集法*/
//index=走 訪 位 置 , ans [ ]=答 案 , m 為 inp 的 序 號
void DFS(int index, int m) {
    if (m == inp_size) {//等於最後一個
        for (int j = 0; j < n; j++) { //check有重複出
            現的位置。
           ans[j] = ans[j] & tmp[j]; //位元運算
       }
    }
    else {
       while (index < n) {</pre>
           if (check(index, inp[m])) { //判斷可不可以
               for (int j = 0; j < inp[m]; j++) { //</pre>
                   放入方塊。
                   tmp[index + j] = 1;
               DFS(index + inp[m], m + 1);
                                             //進到下
                    -層,左子樹。
               for (int j = 0; j < inp[m]; j++) { //</pre>
                   回復上一動,回節點。
                   tmp[index + j] = 0;
               }
            index++;
  }}
```

```
/*Brute Force*/
#define MAXN 1<<18+5 //雙倍空間
/*折半枚舉 與 二進制枚舉*/
int main() {
    int n, m, i, temp;
    11 \mod, \mod_{\max} = 0;
    vector<ll> arr, ans(MAXN,0), ans2(MAXN,0);
    cin >> n >> m;
    for(i=0;i<n;i++){</pre>
        cin >> temp;
        arr.push_back(temp%m);
    //折半枚舉
    for(int i=0;i<(1<<(n/2));i++){ //2^(n/2)
        for(int j=0;j<n/2;j++){</pre>
            if(i>>j&1) //二進制枚舉(選或不選)
                ans[i] = (ans[i] + arr[j]) % m; //前半
        }
    for(int i=0;i<(1<<(n-n/2));i++){ //2^(n-n/2)
        for(int j=0;j<(n-n/2);j++){</pre>
            if(i>>j&1) ans2[i] = (ans2[i] + arr[n/2+j])
                 % m; //後半枚舉
    }
    //二分維護
    temp = 1 << (n-n/2);
    sort(ans2.begin(), ans2.begin() + temp);
    for(auto i:ans){
        mod_max = max(mod_max, i + *(upper_bound(ans2.
            begin(), ans2.begin() + temp, m-1-i)-1));
        //mod 最 大 為 m - 1 , 配 對 另 一 半 最 優 解
    cout << mod_max <<"\n";</pre>
    return 0;
```

4 Graph

4.1 Adjacency list for DFS And BFS

```
/*Adjacency list for DFS And BFS*/
#define N 205 //size
vector<int> adj[N]; //adjacency list
vector<bool> vis; //visit
//DFS
void dfs(int x){
    vis[x]=1;
    for(int i:adj[x]){
        if(!vis[i])
            dfs(i);
    }
}
//BFS
void bfs(int s){
    queue<int> q;
    q.push(s);
    vis[s]=1;
    while(!q.empty()){
        int x=q.front();q.pop();
        for(int i:ADJ[x]){
            if(!vis[i])
                q.push(i), vis[i]=1;
        }
```

```
}

void init(int N){
    for(int i=0;i<N;i++){
        if(!adj[i].empty()) adj[i].clear();
    }
}

int main() {
    cin >> u >> v;
    adj[u].push_back(v);
    adj[v].push_back(u);

return 0;
}
```

4.2 Disjoint Set(Union-Find)

4.3 Kruskal's algorithm 最小生成樹

```
|/*Kruskal's algorithm 最小生成樹*/
//搭配 Disjoint Set(Union-Find)
struct Edge {
    int u, v, w; // 點 u 連到點 v 並且邊權為 w
    friend bool operator<(const Edge& lhs, const Edge&</pre>
        return lhs.w > rhs.w;//兩條邊比較大小用邊權比較
    }
};
priority_queue < Edge > graph();// 宣告邊型態的陣列 graph
int kruskal(int m){
    int tot = 0;
    for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        if (find(graph.top().u) != find(graph.top().v))
             { // 如果兩點未聯通
           merge(graph.top().u, graph.top().v);
              // 將兩點設成同一個集合
           tot += graph.top().w; // 權重加進答案
        }
        graph.pop();
    return tot;
}
int main() {
    int u, v, w, n, m,;
    cin >> n >> m; //node,edge
    init(n);
    for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
        cin >> u >> v >> w;
        graph.push(Edge{u,v,w});
```

}

```
cout << kruskal(m) << "\n";
return 0;
}</pre>
```

4.4 Dijkstra's Algorithm

```
/*Dijkstra's algorithm 單源最短路徑*/
#define MAX V 100
#define INF 10000
struct Edge {
 int idx,w;
};
bool operator>(const Edge& a, const Edge& b) {
 return a.w > b.w;
}
int dist[MAX V];
vector<vector<Edge> > adj(MAX_V);
void dijkstra(int vn, int s) {
  vector <bool> vis(vn, false);
  fill(dist, dist + vn, INF); dist[s] = 0;
  priority_queue <Edge, vector<Edge>, greater<Edge> >
      pq;
  Edge node;
  node.idx = s; node.w = 0;
  pq.emplace(node);
  while (!pq.empty()) {
    int u = pq.top().idx; pq.pop();
    if (vis[u])continue;
    vis[u] = true;
    for (auto v : adj[u]) {
      if (dist[v.idx] > dist[u] + v.w) {
        dist[v.idx] = dist[u] + v.w;
        node.w = dist[v.idx];
        node.idx = v.idx;
        pq.emplace(node);
 }
}
int main() {
    int start, end, u, v, w, i, n, m;
    cin >> n >> m; //node,edge
    for(i=0;i<m;i++){</pre>
        cin >> u >> v >> w;
        Edge node;
        node.idx = v; node.w = w;
        adj[u].push back(node);
    //從start連接到end的最短路徑
    cin >> start >> end;
    dijkstra(n, start);
    if(dist[end]==INF) cout << "NO\n";</pre>
    else cout << dist[end] <<"\n";</pre>
  return 0;
```

4.5 SPFA 單源最短路徑 (negative cycle)

```
/*SPFA 單源最短路徑(negative cycle)*/
struct Edge {
    int idx, w;
};
vector<Edge> adj[MAX_V]; //adjacency list
vector<bool> inp(MAX_V);
int dist[MAX_V];
//return true if negative cycle exists
bool spfa(int vn, int s) {
```

```
fill(dist, dist + vn, INF); dist[s] = 0;
    vector<int> cnt(vn, 0);
    vector<bool> inq(vn, 0);
    queue<int> q; q.push(s); inq[s] = true;
    while (!q.empty()) {
        int u = q.front(); q.pop();
        inq[u] = false;
        for (auto v : adj[u]) {
            if (dist[v.idx] > dist[u] + v.w) {
                if (++cnt[v.idx] >= vn)return true;
                dist[v.idx] = dist[u] + v.w;
                if (!inq[v.idx]) inq[v.idx] = true, q.
                     push(v.idx);
            }
        }
    return false;
}
```

4.6 Floyd-Warshall 全點對最短路徑

```
/*Floyd-Warshall 全點對最短路徑*/
//建立dp表,查詢任一點對最短路徑。
void floyd(){
    //將每個點對距離設為INF
    memset(dist,0x3f3f3f3f,sizeof(dist));
    //dist[u][v]為點u到點v的最短路徑
    //自己到自己的距離設為@
   for(int i=0;i<n;i++) dist[i][i]=0;</pre>
    //輸入圖
    for(int i=0;i<m;i++) cin>>u>>v>>w,dist[u][v]=w;
                          //窮舉中繼點
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
       for(int j=0;j<n;j++) //j,k窮舉點對
           for(int k=0;k<n;k++)</pre>
               dist[j][k]=min(dist[j][k],dist[j][i]+
                  dist[i][k]);
}
```

5 DP

```
|/*如何設計DP?*/
|// 設計狀態,先決定好要計算的東西(實際意義)與其參數
|// 試著將任一狀態的答案用子狀態來表達(當然也要想清楚正
| 確性)
|// 列出轉移式(將2.的結果清楚寫下來)
|// 確定其複雜度是否是好的
|// DP優化(?)
```

5.1 背包問題

```
| /*背包問題*/
| // n:第0種到第n種物品要放進背包內。
| // w:背包耐重限制。
| // c(n, w):只有第0種到第n種物品
| // 耐重限制為w,此時的背包問題答案。
| // weight[n]:第n種物品的重量。
| // cost[n]:第n種物品的質值。
| // number[n]:第n種物品的數量。
| // 0/1背包滾動
| // 每種物品只會放進背包零個或一個。
| const int N = 500, W = 2000000; //N個物品,耐重Wint cost[N], weight[N];
| int c[W + 1];
| void knapsack(int n, int w) {
| c[0] = 0;
```

```
for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
   for (int j = w; j - weight[i] >= 0; --j)
     c[j] = max(c[j], c[j - weight[i]] + cost[i]);
 cout << c[w];</pre>
}
// 0/1背包可用於:
// 一個數字集合,挑幾個數字,總和恰為零 (Subset Sum
   Problem)
// 一個數字集合,挑幾個數字,總和恰為整體總和的一半(
   Partition Problem)
// N個不同重量物品, M個不同耐重箱子, 用最少箱子裝所有物
   品 (Bin Packing Problem)
// 無限背包
// 物品有許多種類,每一種物品都無限量供應的背包問題。
void knapsack(int n, int w)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   for (int i=0; i<n; ++i)</pre>
       for (int j = weight[i]; j <= w; ++j)</pre>
          c[j] = max(c[j], c[j - weight[i]] + cost[i]
              ]);
   cout << "最高的價值為" << c[w];
}
// 有限背包
// 物品有許多種類,每一種物品都是限量供應的背包問題。
int cost[N], weight[N], number[N];
// number[n]: 第n種物品的數量。
void knapsack(int n, int w)
   for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
       int num = min(number[i], w / weight[i]);
       for (int k = 1; num > 0; k *= 2)
           if (k > num) k = num;
          num -= k;
           for (int j = w; j >= weight[i] * k; --j)
              c[j] = max(c[j], c[j - weight[i] * k] +
                   cost[i] * k);
   }
   cout << "最高的價值為" << c[w];
```

5.2 找錢問題

```
/*Money Changing Problem*/
// n:用第0種到第n種錢幣來湊得價位。
// m: 欲湊得的價位值。
// c(n, m): 用第0種到第n種錢幣湊得價位m的湊法數目。
// price[n]:第n種錢幣的面額大小。
// 能否湊得某個價位 ( Money Changing Problem )
// 給定許多種不同面額的錢幣,
// 能否湊得某個價位?
// 每種面額的錢幣都無限供應。
// 錢幣面額,順序可隨意。
int price[5] = {5, 2, 6, 11, 17};
bool c[1000+1];
// 看看 {5, 2, 6, 11, 17} 這些面額湊不湊得到價位 m
void change(int m)
   memset(c, false, sizeof(c));
   c[0] = true;
   // 依序加入各種面額
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
```

```
// 由低價位逐步到高價位
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
           // 湊、湊、湊
           c[j] |= c[j-price[i]];
   if (c[m])
       cout << "湊得到";
       cout << "湊不到";
}
// 湊得某個價位的湊法總共幾種( Coin Change Problem )
void change(int m)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = 1;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
           c[j] += c[j-price[i]];
   cout << "湊得價位" << m;
   cout << "湊法總共" << c[m] << "種";
// 湊得某個價位的最少錢幣用量 ( Change-Making Problem
// c(n, m):用第0種到第n種錢幣湊得價位m,最少所需要的錢
    幣數量。
void change(int m)
   memset(c, 0x7f, sizeof(c));
   c[0] = 0;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)</pre>
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
           c[j] = min(c[j], c[j-price[i]] + 1);
   cout << "湊得價位" << m;
   cout << "最少需(只)要" << c[m] << "個錢幣";
// 湊得某個價位的錢幣用量,有哪幾種可能性。
void change(int m)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = 1;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       for (int j = price[i]; j <= m; ++j)</pre>
           // 錢幣數量加一,每一種可能性都加一。
           c[j] |= c[j-price[i]] << 1;</pre>
   for (int i = 1; i <= 63; ++i)
       if (c[m] & (1 << i))</pre>
           cout << "用" << i << "個錢幣可湊得價位" <<
// 能否湊得某個價位,但是錢幣限量供應!
int price[5] = {5, 2, 6, 11, 17};
int number[5] = {4, 5, 5, 3, 2};
                                 // 各種錢幣的供應數
bool c[1000+1];
void change(int m)
   memset(c, 0, sizeof(c));
   c[0] = true;
   for (int i = 0; i < 5; ++i)
       // 各種餘數分開處理
       for (int k = 0; k < price[i]; ++k)</pre>
       {
           int left = number[i];
                                // 補充彈藥
```

```
// 由低價位到高價位
          for (int j = k; j <= m; j += price[i])</pre>
              // 先前的面額已能湊得,當前面額可以省著
                  用。
              if (c[j])
                                  // 補充彈藥
                 left = number[i];
              // 過去都無法湊得,一定要用目前面額硬
              else if (left > 0)
                 left--; // 用掉一個錢幣
                 c[j] = true;
       }
   if (c[m])
      cout << "湊得到";
   else
       cout << "湊不到";
// Cashier's Algorithm
// 買東西找回最少硬幣。
int price[5] = {50, 20, 10, 4, 2}; // 面額由大到小排列
void cashier(int n) // n 是總共要找的錢。
   int c = 0;
   for (int i=0; i<5; ++i)</pre>
       while (n >= price[i])
          n -= price[i]; // 找了 price[i] 元
          c++;
       }
   if (n != 0)
       cout << "找不出來";
       cout << "找了" << c << "個錢幣";
}
```

5.3 最長公共子序列 LCS

```
/*LCS 最長公共子序列*/
void LCS() {
    for (int i = 0; i <= n1; i++) length[i][0] = 0;</pre>
    for (int j = 0; j <= n2; j++) length[0][j] = 0;</pre>
    for (int i = 1; i <= n1; i++)</pre>
        for (int j = 1; j <= n2; j++)</pre>
            if (s1[i] == s2[j]) {
                 length[i][j] = length[i - 1][j - 1] +
                prev[i][j] = 0; // 左上方
            }
            else {
                if (length[i - 1][j] < length[i][j -</pre>
                     length[i][j] = length[i][j - 1];
                     prev[i][j] = 1; // 左方
                else {
                     length[i][j] = length[i - 1][j];
                     prev[i][j] = 2; // 上方
    cout << "LCS的長度是" << length[n1][n2];
    cout << "LCS是";
    print_LCS(n1, n2);
void print_LCS(int i, int j) {
    if (i == 0 || j == 0) return;
```

5.4 最長遞增子序列 LIS

5.5 最大非連續子序列和

```
/*最大非連續子序列和*/
int sub_max(int* list,int sub_len) { //子序列長度
    sub_len
    if (sub_len == 3) {
        return list[0] + list[2];
    int temp[10005];
    for (int m = 0; m < sub_len; m++) {</pre>
        temp[m] = list[m];
    temp[0] = list[0];
    temp[1] = list[1] > list[0] ? list[1] : list[0];
    for (int i = 2; i < sub_len; i++) {</pre>
        temp[i] = max(max(temp[i], temp[i - 1]), temp[i
              - 2] + list[i]);
    return temp[sub_len - 1];
int main() {
    int n, m;
    int list[10005];
    cin >> n;
    for (m = 0; m < n; m++) {
        cin >> list[m];
    sub_len = m;//list大小,global變數
    cout << sub_max(list, sub_len);</pre>
    return 0;
}
```

6 STL tool

6.1 常用工具

```
/*-----常用工具-----*/
swap(a,b);
min(a,b);
max({ a, b, c });
//二進制 "1"的個數
__builtin_popcount = int
 _builtin_popcountl = long int
__builtin_popcountll = long long
//math
abs(x);
pow(x);
sqrt(x);
__gcd(x, y);
__lg(x) //以2為底數
        //以e為底數
log(x)
log10(x) //以10為底數
        //排列組合
do {
   cout << s << "\n";
} while (next_permutation(s.begin(), s.end()));
//陣列處理
sort(arr,arr+n);
reverse(arr,arr+n);
*min_element(arr, arr+n); //value
min_element(arr, arr+n) - arr; //index
*lower_bound(arr, arr+4, c) << '\n'; //第一個大於等於<math>c
*upper_bound(arr, arr+4, c) << '\n'; //第一個大於c
fill(arr, arr+3, 123);
//輸出
//四捨五入 或是更高精度(int)10 * 位數 + 0.5
cout << fixed << setprecision(10);</pre>
//寬度n 用 char (c) 填補
cout << setw(n) << setfill(c) << ;</pre>
//迭代器
T.begin()
T.end()
T.rbegin() //逆序迭代器
T.rend() //逆序迭代器
T.find() //可用於set,map的earse()。
6.2 Sort
/*----*/
//cmp
struct T {int val, num;};
bool cmp(const T &a, const T &b) {
   return a.num < b.num;</pre>
sort(arr.begin(), arr.end(), cmp);
//operator
struct Point {
   int x, y;
    bool operator<(Point b) {</pre>
       if (x != b.x) return x < b.x;
       else return y < b.y;</pre>
   }
};
Point arr[n];
sort(arr, arr+n); //二維平面,從小到大排列。
```

6.3 Stack

| /*----*/

```
push()pop()top()empty()size()
```

6.4 Queuet

```
/*----*/
• push()
• pop()
• front()
• empty()
• size()
```

6.5 Priority Queue

```
/*----*/

    top()

• push()
• pop()
• emplace()
//預設由大排到小
priority_queue<T> pq
priority_queue<int, vector<int>, less<int> > pq;
//改成由小排到大
priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
//自行定義 cmp 排序
priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
struct cmp {
   bool operator()(node a, node b) {
       //priority_queue優先判定為!cmp
 //, 所以「由大排到小」需「反向」定義
       //實現「最小值優先」
       return a.x < b.x;</pre>
   }
};
```

6.6 List

6.7 Set

```
| /*-----*/
| • insert()
| • erase(1, r) //L與r皆為iterator
| • erase()
| • empty()
| • clear()
| • count() //元素是否存在
```

6.8 Map

6.9 Stringstream

```
/*----*/
stringstream ss;
getline(cin, str);
• ss.str("
ss.clear();
//實現"切割"以及"型態轉換"
//int_to_string
ss << n;
ss >> str;
//string_to_int
ss << str;
ss >> n;
//注意輸入時, cin後的快取問題
cin >> n:
getline(cin, str); //str = endl
getline(cin, str); //str = 目標str
//實現"進制轉換"
                //以8進制讀入流中
ss << oct << s;
ss << hex << s;
               //以16進制讀入流中
             //10進制 int型輸出
ss >> n;
             //x進制str型輸出
ss >> s;
```

6.10 Bitset

```
//overLoad
b = !b0;
b = b0 & b1;
b = b0 | b1;
b = b0 ^ b1;
//shift
new_b = b << 2;
new_b = b >> 2;
//sum
b.any();//判別是否有 '1'
b.none();//判別是否沒 '1'
cnt = b.count();// 判別 '1' 之個數
cnt = b.size() - b.count();//判別 '0' 之個數
```

7 Other

7.1 Basic

```
/*前置作業*/
#include <bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define ld long double
using namespace std;
int main() {
   cin.tie(0); //取消強制flush
   ios_base::sync_with_stdio(false); //取消 iostream
       與 stdio 的同步使用
}
/*unroll-loops*/
#pragma GCC optimize("00")//不優化(預設)
#pragma GCC optimize("01")//優化一點
#pragma GCC optimize("02")//優化更多
#pragma GCC optimize("03")//02優化再加上inline函式優化
#pragma GCC optimize("unroll-loops")
/*常數宣告*/
// 數字中可以加 / 方便看出幾位數
#define MXN 1'000'005
// 1e-6 為科學記號 代表 1 * 10^-6
#define EPS 1e-6
// 0x3f3f3f3f為一個接近10^9的數字0x為16進位
#define INF 0x3f3f3f3f
// acos(-1) 等同圓周率
#define PI acos(-1)
/*位元運算*/
if(x&1) cout<<奇數;
else cout<<偶數;
        //將x左移1,等同 *2
x <<= 1
x \rightarrow >= 2
         //將x右移2,等同 /4
/*include <bits/stdc++.h>
C:\Program Files\Microsoft Visual
Studio\2022\Community\VC\Tools\MSVC\14.30.30705\include
   \bits*/
```

7.2 Header

```
// C
#ifndef _GLIBCXX_NO_ASSERT
#include <cassert>
#endif
#include <cctype>
#include <cerrno>
#include <cfloat>
#include <ciso646>
```

```
#include <climits>
#include <clocale>
#include <cmath>
#include <csetjmp>
#include <csignal>
#include <cstdarg>
#include <cstddef>
#include <cstdio>
#include <cstdlib>
#include <cstring>
#include <ctime>
#if __cplusplus >= 201103L
#include <ccomplex>
#include <cfenv>
#include <cinttypes>
#include <cstdalign>
#include <cstdbool>
#include <cstdint>
#include <ctgmath>
#include <cwchar>
#include <cwctype>
#endif
// C++
#include <algorithm>
#include <bitset>
#include <complex>
#include <deque>
#include <exception>
#include <fstream>
#include <functional>
#include <iomanip>
#include <ios>
#include <iosfwd>
#include <iostream>
#include <istream>
#include <iterator>
#include <limits>
#include <list>
#include <locale>
#include <map>
#include <memory>
#include <new>
#include <numeric>
#include <ostream>
#include <queue>
#include <set>
#include <sstream>
#include <stack>
#include <stdexcept>
#include <streambuf>
#include <string>
#include <typeinfo>
#include <utility>
#include <valarray>
#include <vector>
#if __cplusplus >= 201103L
#include <array>
#include <atomic>
#include <chrono>
#include <condition_variable>
#include <forward_list>
#include <future>
#include <initializer_list>
#include <mutex>
#include <random>
#include <ratio>
#include <regex>
#include <scoped_allocator>
#include <system_error>
#include <thread>
#include <tuple>
#include <typeindex>
#include <type_traits>
#include <unordered_map>
```

#include <unordered_set>
#endif