

§ 1.6 高维数组向量

定义：一个 n 维数组向量 a 是一个有序的 n 元数组

$$a = (a_1, a_2, \dots, a_n) \quad \text{其中 } a_i \in F$$

表代形式：行向量 $a = (a_1, \dots, a_n)$,

$$\text{列向量 } a = \begin{pmatrix} a_1 \\ \vdots \\ a_n \end{pmatrix}$$

$$\forall a = (a_1, \dots, a_n), b = (b_1, \dots, b_n), \lambda \in F$$

- $a = b \stackrel{\text{def}}{\iff} \begin{cases} a_1 = b_1 \\ \vdots \\ a_n = b_n \end{cases}$
- $a + b := (a_1 + b_1, \dots, a_n + b_n)$
- $\lambda a := (\lambda a_1, \dots, \lambda a_n)$
- 零向量 $0 = (0, \dots, 0)$, 负向量 $-a := (-a_1, \dots, -a_n)$

定义 1.62 $\forall n$ 维向量 a_1, \dots, a_m , $\forall \lambda_1, \dots, \lambda_m \in F$. 称

$$\lambda_1 a_1 + \lambda_2 a_2 + \dots + \lambda_m a_m$$

为 a_1, \dots, a_m 的线性组合。若向量 a 可写成 a_1, \dots, a_m 的线性组合, 则称 a 可以用 a_1, \dots, a_m 线性表示。

基本向量 $e_1 = (1, 0, 0, \dots, 0)$

$$e_2 = (0, 1, 0, \dots, 0)$$

\vdots

$$e_n = (0, 0, 0, \dots, 1)$$

事实: 任意 n 维数组向量都可以表示为基本向量的线性组合.

$$\text{Pf: } \forall \quad a = (a_1, a_2, \dots, a_n) \Rightarrow a = a_1 e_1 + a_2 e_2 + \dots + a_n e_n \quad \square$$