

Heaps

Filas de Prioridades - Introdução

Heap

Alteração de Prioridade

Inserção / Remoção

Construção

Filas de Prioridades - Introdução

TAD : Lista linear em que se associa a cada elemento um valor inteiro (prioridade) que determina a ordem na qual o elemento será manipulado (“deixa o conjunto”)

TAD {
 Operações: Seleção / Inserção / Remoção / Alteração / Construção / ...
 Estr.Dados: ?

Operação	Lista Desordenada	Lista Ordenada	HEAP
Seleção	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$
Inserção	$O(1)$	$O(n)$	$O(\log n)$
Remoção	$O(n)$	$O(1)$	$O(\log n)$
Alteração	$O(n)$	$O(n)$	$O(\log n)$
Construção	$O(n)$	$O(n \log n)$	$O(n)$

Heap

Estrutura de Dados : Heap

- Heap é definido como uma sequência de elementos com prioridades

$$Pr_1, Pr_2, \dots, Pr_n$$

tal que

$$Pr_i \leq Pr_{\lfloor i/2 \rfloor}, \text{ para } 1 < i \leq n$$

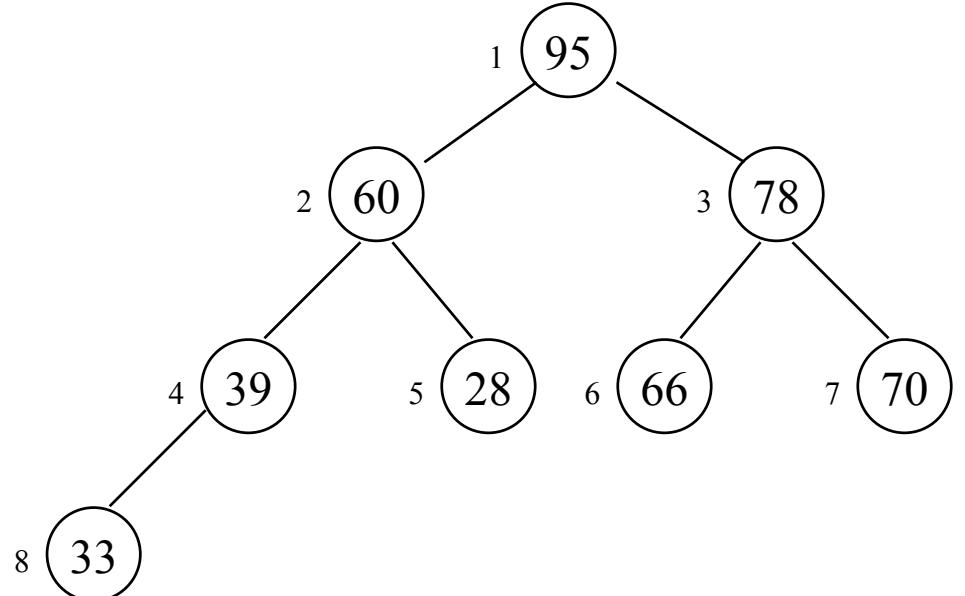
ou

$$\begin{cases} Pr_i \geq Pr_{2i} \\ Pr_i \geq Pr_{2i+1} \end{cases}, \text{ para } 1 \leq i \leq \lfloor n/2 \rfloor$$

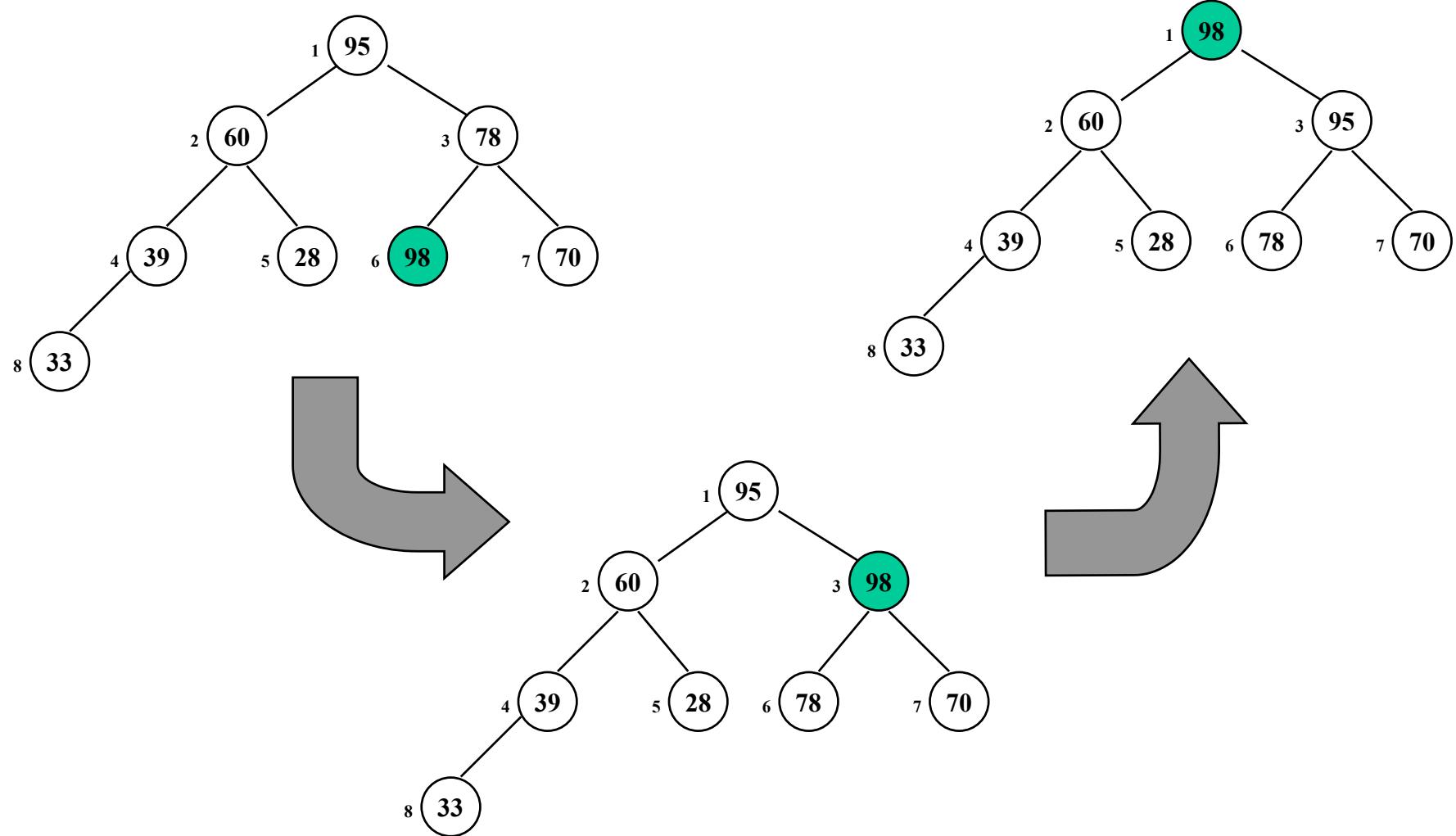
Heap pode ser visto como uma árvore binária

Exemplo

95	60	78	39	28	66	70	33
1	2	3	4	5	6	7	8



Alteração de Prioridade - Aumento



Alteração de Prioridade - Aumento

Procedimento Subir (i) // $O(\log n)$

$pai := \lfloor i / 2 \rfloor$

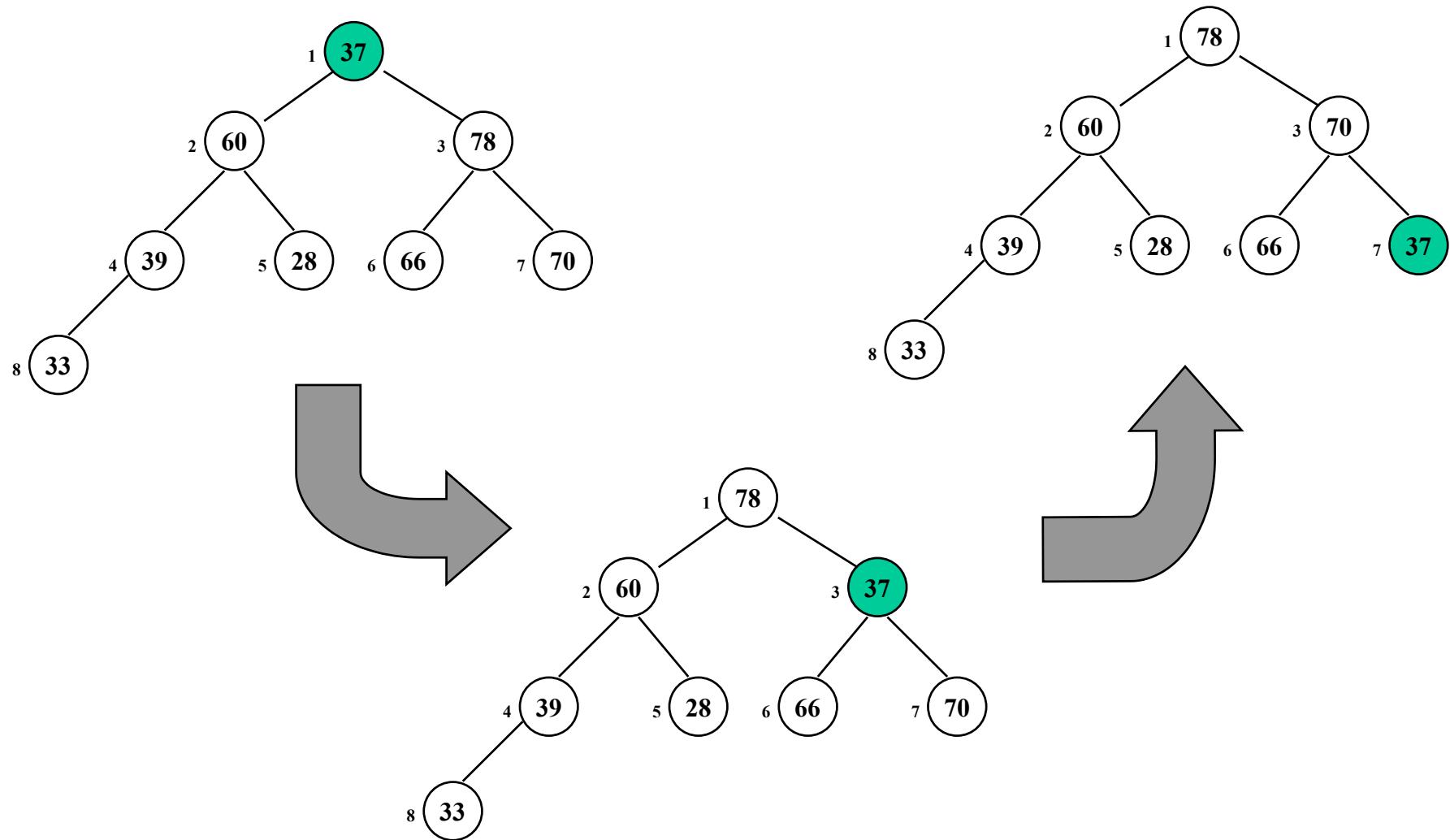
se $pai \geq 1$ então

se $\text{Pr}_i > \text{Pr}_{pai}$ então

Troca (i, pai)

Subir (pai)

Alteração de Prioridade - Redução



Alteração de Prioridade - Redução

Procedimento Descer (i, n) // $O(\log n)$

$filho := 2 * i$

se $filho \leq n$ então

se $(filho < n)$ e $(Pr_{filho+1} > Pr_{filho})$ então

$filho++$

se $Pr_i < Pr_{filho}$ então

Troca ($i, filho$)

Descer ($filho, n$)

Inserção no Heap

Inserção

se $n < \text{tamanhoMaximo}$ então // Existe espaço ?
armazena novo elemento na posição $n + 1$

$n := n + 1$

Subir (n)

CUSTO $\rightarrow O(\log n)$

Remoção do Heap

Remoção

se $n > 0$ então // Existe elemento ?

retira elemento da posição 1

substitui elemento da posição 1 pelo n -ésimo

$n := n - 1$

Descer (1, n)

CUSTO $\rightarrow O(\log n)$

Construção do Heap

Versão 1

para $i := 2$ até n faça

 Subir (i)

Versão 2

para $i := \lfloor n / 2 \rfloor$ até 1 faça

 Descer (i, n)

CUSTO $\rightarrow O(n)$