



INSTITUTO TECNOLÓGICO
DE
BUENOS AIRES

Trabajo Práctico N° 3

Teoría de Circuitos I
25.10

Grupo N° 2

Juan Bautista Correa Uranga
Juan Ignacio Caorsi
Rita Moschini

Legajo: 65016
Legajo: 65532
Legajo: 67026

3 de octubre de 2025

Resumen

Índice

1.. Introducción	3
1.1. Instrumental	3
1.2. Marco teórico	3
2.. Desarrollo	4
2.1. Procedimiento	4
2.2. Mediciones	5
2.3. Cálculos	5
a). Ecuaciones utilizadas	5
b). Resultados	6
2.4. Análisis	6
3.. Conclusiones	8

1. Introducción

Este trabajo práctico aborda la respuesta transitoria en circuitos RLC serie. Se busca aplicar conceptos teóricos mediante mediciones reales, utilizando generador de señales y osciloscopio. Se analiza cómo varían las respuestas al modificar resistencia, inductancia y capacitancia, observando casos de subamortiguamiento, sobreamortiguamiento y amortiguamiento crítico. El objetivo es comprender la dinámica temporal de circuitos RLC y validar modelos teóricos con datos experimentales.

1.1 Instrumental

En esta experiencia se utilizaron los siguientes instrumentos:

- Osciloscopio Keysight DSOX 1202G con generador de ondas integrado.
- Capacitores de 47 pF y 470 pF.
- Resistencias de 220 Ω nominal y potenciómetro de 5 k Ω nominal.
- Inductor de resistencia indefinida, con inductancia aproximada de 1 mH.
- Multímetro UNI-T, Standar Digital multimeter, modelo: UT39C.

1.2 Marco teórico

Un circuito RLC serie está compuesto por una resistencia (R), una inductancia (L) y una capacitancia (C) conectadas en serie. Dependiendo de la resistencia del circuito, la respuesta transitoria puede ser subamortiguada, sobreamortiguada o críticamente amortiguada. La ecuación diferencial que describe la respuesta del circuito RLC serie es:

$$L \frac{d^2 i(t)}{dt^2} + R \frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C} i(t) = V_{in}(t) \quad (1)$$

y su solución general es la suma de la respuesta natural y la respuesta forzada:
Para la respuesta natural ($V_{in}(t) = 0$), se define:

$$\alpha = \frac{R}{2L}, \quad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}, \quad \Delta = \alpha^2 - \omega_0^2 \quad (2)$$

La solución general depende del valor de Δ :

- **Sobreamortiguado** ($\Delta > 0$):

$$i(t) = Ae^{(-\alpha + \sqrt{\Delta})t} + Be^{(-\alpha - \sqrt{\Delta})t} \quad (3)$$

- **Críticamente amortiguado** ($\Delta = 0$):

$$i(t) = (A + Bt)e^{-\alpha t} \quad (4)$$

- Subamortiguado ($\Delta < 0$):

$$i(t) = e^{-\alpha t} (A \cos(\omega_d t) + B \sin(\omega_d t)) \quad (5)$$

donde $\omega_d = \sqrt{\omega_0^2 - \alpha^2}$.

2. Desarrollo

2.1 Procedimiento

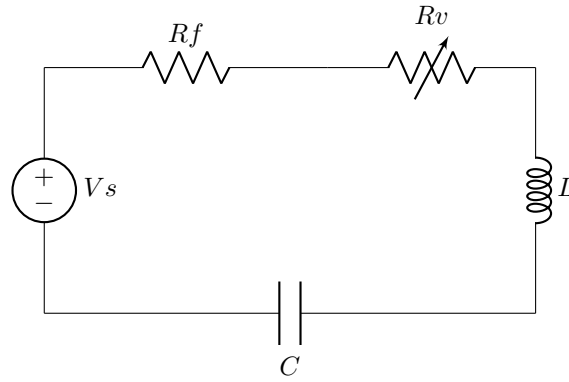


Figura 1: Circuito analizado

La parte experimental se realizó en una serie de 4 pasos:

1. Primero se armó el circuito en serie (observar figura 1) usando el capacitor de 470 pF. Luego, se determinó de manera aproximada, observando la salida en el osciloscopio, el valor de la resistencia variable que producía un amortiguamiento crítico.
2. En esta parte, se ajustó la resistencia R_v a su valor máximo. Posteriormente, se colocó uno de los cursores horizontales del osciloscopio en $V_{salida} = 0V$, y el otro en $V_{salida} = 3,16V$ y medimos el Δt entre esos valores, tomándolo como el τ del sistema. Con este valor aproximado, se midió la salida en el tiempo 5τ .
3. A continuación, se reemplazó el capacitor por uno de 47pF, y se repitió la medición de la resistencia variable tal que el amortiguamiento fuera crítico. Luego, se puso R_v en su valor mínimo, y se calculó el tiempo del transitorio. También se midió la frecuencia y el valor de sobrepico, esto el $\Delta V = V_{max} - V_{excitacion} = V_{max} - 5V$. Para calcular la frecuencia, obtuvimos un valor aproximado del periodo promediando las distancias horizontales entre los primeros 3 picos.
4. Finalmente, se cortocircuitaron las resistencias y se analizó el tiempo de respuesta transitoria nuevamente.

2.2 Mediciones

- $R_f = 215\Omega$
- $R_{V_{max}} = 9980\Omega$
- $R_{V_{min}} = 2\Omega$
- $R_L = 0,8\Omega$
- $L \approx 1mH$

Capacitor de C = 470 pF

- Resistencia variable tal que el amortiguamiento fue crítico: $R_{critico} = 1,9k\Omega$
- Tiempo τ en que la salida llegó a 3,175 V con R_V en su valor máximo: $\tau = 5,75\mu s$
- Salida cuando $t = 5\tau$ con R_V en su valor máximo: $V_{5\tau} = 5$ V

Capacitor de C = 47 pF

- Resistencia variable tal que el amortiguamiento fue crítico: $R_{critico} = 3,47k\Omega$
- Tiempo en que la salida llegó a 3,175 V con R_V en su valor crítico: $t = 2,20\mu s$
- Tiempo en que la salida llegó a 5,24 V con R_V en su valor mínimo: $t = 14,30\mu s$
- Tiempo en que la salida llegó a 4,982 V ($5V \pm 0,05V$) con las resistencias cortocircuitadas: $t = 11\mu s$

2.3 Cálculos

a) Ecuaciones utilizadas

Cálculo del la resistencia variable tal que el amortiguamiento fuera crítico

$$\alpha_{serie} = \omega_0 \Rightarrow \frac{R}{2L} = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$R = \frac{2L}{\sqrt{LC}} \quad (6)$$

Cálculo de la inductancia

Tomando la resistencia variable tal que el amortiguamiento resultase crítico, $R = \frac{2L}{\sqrt{LC}} = 2\frac{\sqrt{L}}{\sqrt{C}}$

$$L = \frac{C \cdot R^2}{4} \quad (7)$$

b) Resultados

Capacitor de C = 470 pF

0) Inductancia L

$$L = 0,526mH \quad (8)$$

1) Resistencia variable tal que el amortiguamiento fuera crítico:

$$R_{critico} = 1,857k\Omega \quad (9)$$

2) τ con $R_V = R_{V_{max}} = 9980\Omega$:

$$\tau = 4,74\mu s \quad (10)$$

Capacitor de C = 47 pF

3) Resistencia variable tal que el amortiguamiento fuera crítico:

$$R_{critico} = 6,47k\Omega \quad (11)$$

4) Valor de τ para $R_V = R_{V_{min}}$:

$$\tau = 4,83\mu s \quad (12)$$

6) Valor de τ para $R = R_L$ (resistencias cortocircuitadas): REVISAR

$$\tau = \mu s \quad (13)$$

2.4 Análisis

Luego de recolectar los datos, se pudieron observar los siguientes comportamientos.

Es importante mencionar que en este trabajo, no se contó con un valor de referencia de la constante del inductor; esta debió ser aproximada mediante el valor de la resistencia del amortiguamiento critico obtenida con el capacitor de 470 pF. Consecuentemente, los datos teóricos también pueden contener errores asociados.

Capacitor 470 pF

En esta parte, se observó lo siguiente: al aproximar el valor de la resistencia del amortiguamiento crítico, se llegó a $1,9k\Omega$, un valor el cual posee un error relativo del 2,32 % con respecto al valor teórico. Esto indica una buena aproximación al valor real que causa que el sistema sea críticamente amortiguado.

Sumado a esto, se observó que la respuesta se volvía sobreamortiguada al aumentar la resistencia por encima de $1,9k\Omega$ y que la misma se volvía subamortiguada al disminuir la misma por debajo de ese valor. Esto concuerda con las ecuaciones descriptas en el apartado teórico, puesto a que al aumentar R , α aumentaba.

Otras de las áreas analizadas fue la del valor de τ . Esta se aproximó despejando el tiempo el cual llevaba a una respuesta de $3,175 V$. Se observó que el mismo fue de $5,75\mu F$, un valor el cual posee un error relativo del 21,3 %. Esto muestra un error alto, pero el mismo puede estar asociado en gran

medida a la incertidumbre en el valor de la constante L . Al mismo tiempo, dicho τ teórico se consiguió mediante una aproximación, usando la raíz de la ecuación característica más pequeña y descartando la otra.

Finalmente, se observó que el transitorio en 5τ el valor de la respuesta estaba entre los valores de 4,75 V y 5,25 V. Esto demuestra que la aproximación de 5τ como tiempo de transitorio, es efectiva.

Capacitor 47 pF

En esta parte, se analizó el efecto de la reducción de la capacitancia. Primero se observó que la resistencia del valor crítico aumentaba en comparación con el capacitor de 470 pF. Consecuentemente, esto aumentó el margen de valores de las resistencias en los cuales el sistema se mantiene como un subamortiguado.

Al mismo tiempo, también se midió un valor de resistencia que causaba un amortiguamiento crítico. Ese valor fue de $3,47k\Omega$, el cual muestra un error relativo del 46,4 %. Este gran error asociado a la medición se debe a que el valor fue obtenido de manera aproximada, sin un ajuste riguroso.

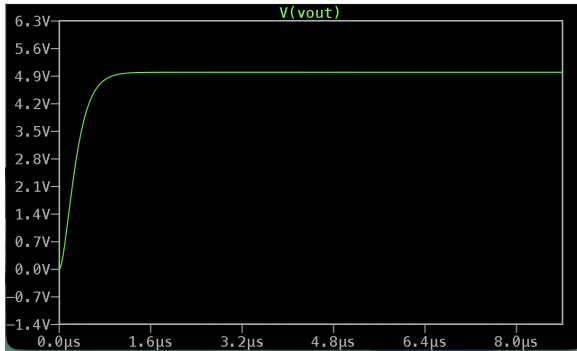


Figura 2: Capacitor 47pF, con $R_v = 6,47 k\Omega$

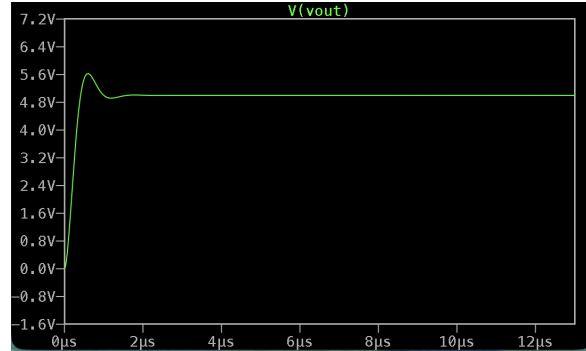


Figura 3: Capacitor 47pF, con $R_v = 3,47 k\Omega$

Por este motivo, se recurrió a la simulación del mismo usando el valor de L . Es importante volver a mencionar que el mismo ya asocia una gran incertidumbre en su cálculo. Al observar las figuras 2 y 3, se puede observar que el valor calculado mediante el osciloscopio, es un valor subamortiguado. Por tal motivo se considera que el valor de $6,47 k\Omega$ es el valor aproximado que genera un transitorio críticamente amortiguado.

Por otra parte, al analizar el tiempo de transitorio del sistema, con la resistencia variable configurada en su valor mínimo, se obtuvieron los siguientes datos. El tiempo de transitorio obtenido experimentalmente fue de $14,30 \mu s$, un valor muy lejano al que se consigue con la aproximación teórica de $5\tau = 24,15 \mu s$.

Al observar la figura 4 y 5, se puede observar que una de las principales causas de error en este valor es la escala usada en el osciloscopio. A diferencia de la simulación, si uno se basa en lo mostrado por el osciloscopio, uno puede considerar el tiempo medido como una buena aproximación del transitorio; algo que no sucede en la imagen de la simulación. Al mismo tiempo, el error usado para conseguir el tiempo del transitorio en el osciloscopio fue del $\pm 5 \%$. No obstante, el valor de tiempo teórico que

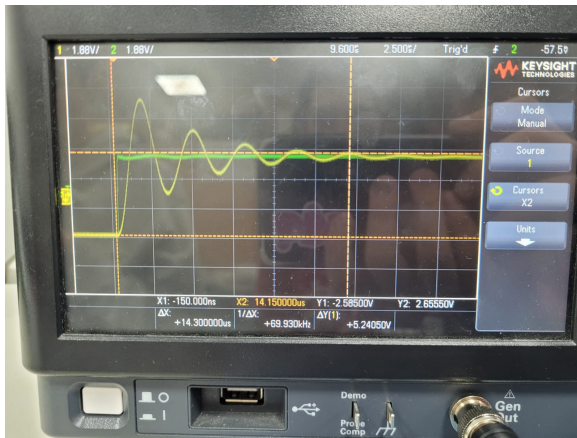


Figura 4: Foto de medición de 5τ con la resistencia mínima.

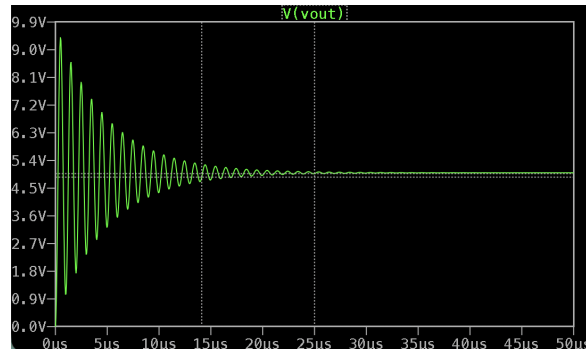


Figura 5: Capacitor 47pF, con R_v mínimo. Aquí las dos líneas marcan los valores de 3τ y 5τ .

coincide un error del $\pm 5\%$, es 3τ , un valor que coincide con el obtenido experimentalmente, teniendo un error relativo del 1,3%.

Por tal motivo se puede concluir que el valor medido del tiempo de respuesta, no es un error en la medición, sino que está ligado al error que posee el osciloscopio. Los tiempos teóricos calculados a partir de τ no son tiempos exactos, sino que brindan aproximaciones al tiempo de respuesta con mayor o menor precisión. En este caso, la aproximación medida fue de 3τ .

Rita

Procedimiento - la oracion "luego de esto, se observo la rta del sist en funcion del valor de la resistencia variable" me parece que no aporta.

Analisis - no me convence la justifiacion de que el tau con $C=470\text{pF}$ tiene mucho error por culpa del L. Con ese criterio, todo lo calculado con ese L deberia tener mucho error - con $C=47\text{pF}$ esta puesto que al reducirse la capacitancia, el valor de R critico aumenta, pero no se justifica por que - en la justifiacion de por que la resistencia del critico tiene casi 50% de error esta puesto que es xq se obtuvo de manera aproximada, sin un ajuste riguroso. Tendría que esta aclarado como se obtuvo, que es esa "manera aproximada"

3. Conclusiones