

Instituto Tecnológico de Buenos Aires

Trabajo Práctico N° 1

Teoría de Circuitos I 25.10

Grupo N° 2

Legajo: 65016

Legajo: 65532

Legajo: 67026

Juan Bautista Correa Uranga Juan Ignacio Caorsi Rita Moschini

Resumen

En este trabajo se estudió un circuito que contaba con un inductor conectado a una fuente de tensión alterna. El objetivo de las mediciones fue observar la relación entre la corriente, la tensión, los distintos tipos de potencias y la constante del inductor. Adicionalmente, se realizaron las mismas mediciones insertando distintos núcleos en distinta medida en el inductor.

Se pudo observar como al introducir los distintos núcleos, la constante del inductor aumentaba y la corriente del circuito disminuía, causando una reducción de la potencia medida.

Índice

1 Int	roducción
1.1.	. Instrumental
1.2.	. Marco teórico
	a). Inductor
	b). Potencia compleja
2 De	sarrollo
2.1.	. Procedimiento
2.2.	. Mediciones
	a). Núcleo vacío
	b). Núcleo de hierro parcialmente introducido
	c). Núcleo de hierro totalmente introducido
	d). Núcleo de hierro laminado totalmente introducido
2.3.	. Cálculos
	a). Núcleo vacío
	b). Núcleo de hierro parcialmente introducido
	c). Núcleo de hierro totalmente introducido
	d). Núcleo de hierro laminado totalmente introducido
2.4.	
3 Co	nelusiones

1. Introducción

El objetivo principal de este trabajo práctico fue utilizar nuestros conocimientos de corriente alterna para estudiar la relación entre la potencia activa, real y aparente, así como el efecto que tiene la inserción de un núcleo en un inductor. Consecuentemente, con los datos recolectados se calculó la constante del inductor.

1.1 Instrumental

En esta experiencia se utilizaron los siguientes instrumentos:

- Variac: Fuente de tensión AC regulable, 50 Hz, cuyos valores van desde 0 V hasta 250 V.
- Vatímetro analógico: El mismo sirve para poder medir la potencia activa (P) consumida por el circuito. Para calcular los valores, el mismo debe medir la tensión y la corriente del circuito. Para ello se conecta el voltímetro en paralelo con el circuito y el amperímetro en serie con el circuito (observar Figura 1).

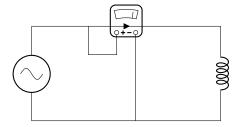


Figura 1: Esquema de conexionado de vatímetro

- Amperímetro analógico
- Voltímetro analógico
- Inductor: Consta de un armazón, al cual se le enrolla un alambre sucesivas veces. El mismo tiene asociado una resistencia interna y un valor L inductivo. A su vez, tiene un hueco en el medio donde se podía introducir un núcleo de material sólido.

1.2 Marco teórico

En esta práctica se usaron los siguientes conocimientos teóricos:

a) Inductor

Como se mencionó anteriormente, un inductor consta de un alambre enrollado. El mismo es capaz de almacenar energía eléctrica en forma de energía magnética. La ecuación del mismo viene dada por:

$$V = L \frac{dI}{dt}$$

Donde V es la tensión, L es la constante inductiva en [H] e I es la corriente que circula por el inductor.

b) Potencia compleja

Al analizar la potencia asociada a circuitos AC, se debe tener en consideración los siguientes aspectos.

La potencia total se llama **potencia compleja** $\vec{S} = V \cdot I^*$ [VA]. El módulo de la misma, se llama **potencia aparente** $S = |I_{rms}| \cdot |V_{rms}|$ [VA].

La potencia compleja se puede describir de la siguiente forma $\vec{S} = P + j \cdot Q$, donde P es la **potencia activa** [W] realmente disipada por el circuito y Q es la **potencia reactiva** [VAR], que siempre se busca minimizar para bajar costos pues no es realmente aprovechada por el circuito.

Por último, P y Q se pueden relacionar usando el triángulo de potencia (observar Figura 2) mediante la fórmula $S^2=Q^2+P^2$.

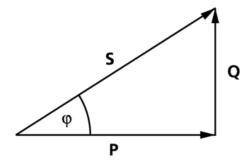


Figura 2: Triángulo de potencia inductiva

2. Desarrollo

2.1 Procedimiento

Para esta experiencia se conectaron los instrumentos de medición junto con el variac y el inductor de la siguiente forma (observar Figura 3). Luego se setió el variac a 120 V. Finalmente se procedió a la toma de mediciones de tensión, de corriente y la potencia usando el instrumental.

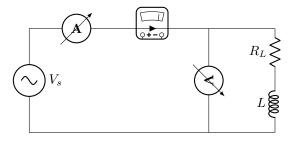


Figura 3: Circuito con fuente senoidal, amperímetro, voltímetro e inductor. V_s es la tensión de entrada, L la constante del inductor y R_L la resistencia interna del mismo

Este procedimiento se realizó cuatro veces: a) Con el núcleo del inductor vacío. b) Con una barra de hierro parcialmente introducida en el núcleo. c) Con la barra de hierro totalmente introducida en el núcleo. d) Con la barra de hierro laminado totalmente introducida en el núcleo.

2.2 Mediciones

A continuación se presentan las mediciones tomadas en cada una de las cuatro instancias del experimento.

a) Núcleo vacío

$V_{rms}[V]$	$I_{rms}[A]$	P[W]
120	1.175	29

Tabla 1: Mediciones con núcleo vacío

b) Núcleo de hierro parcialmente introducido

$V_{rms}[V]$	$I_{rms}[A]$	P[W]
122	0.6	16

Tabla 2: Mediciones con núcleo parcialmente introducido de hierro

c) Núcleo de hierro totalmente introducido

$V_{rms}[V]$	$I_{rms}[A]$	P[W]
124	0.25	12

Tabla 3: Mediciones con núcleo totalmente introducido de hierro

d) Núcleo de hierro laminado totalmente introducido

$V_{rms}[V]$	$I_{rms}[A]$	P[W]
124	0.25	6

Tabla 4: Mediciones con núcleo totalmente introducido de hierro laminado

2.3 Cálculos

Fórmulas utilizadas

Las magnitudes **medidas** de potencia activa P (en watts), tensión V (en volts) y corriente I (en amperes), se introducen en las siguientes expresiones para calcular las demás magnitudes de interés:

1. Potencia aparente:

$$|S| = |V| \cdot |I|$$

donde S se mide en volt-amperes (VA).

2. Potencia reactiva:

$$Q = \sqrt{S^2 - P^2}$$

expresada en [VAR].

La ecuación presentada aquí permite calcular el módulo de la potencia reactiva, pero como se dijo anteriormente esta puede tomar valores tanto positivos como negativos. En este trabajo práctico, tomamos Q=|Q| a sabiendas de que, dado que el único componente pasivo de nuestro circuito es inductivo, la potencia reactiva será positiva también.

3. Factor de potencia:

$$\cos \varphi = \frac{P}{S}$$

5

4. Ángulo de desfase:

$$\varphi = \arccos\left(\frac{P}{S}\right)$$

donde φ se expresa en grados al convertir el resultado de radianes:

$$\varphi\left[^{\circ}\right] = \arccos\left(\frac{P}{S}\right) \cdot \frac{180}{\pi}$$

Estas expresiones permiten representar el $tri\'{a}ngulo$ de potencias, donde la potencia activa P se ubica en el eje horizontal, la potencia reactiva Q en el eje vertical, y la potencia aparente S corresponde a la hipotenusa.

Por otra parte, se calculó el valor de L mediante la siguiente ecuación:

$$L = \frac{\sqrt{(I \cdot V)^2 - P^2}}{\omega \cdot I^2}$$

con L la constante del inductor [H], ω la frecuencia $\left[\frac{rad}{seg}\right]$, V la tensión medida [V], I la corriente medida [A] y P la potencia reactiva medida [W].

A continuación se presentan los triángulos de potencia de cada una de las configuraciones estudiadas, y en adición, la configuración con núcleo totalmente introducido de hierro laminado.

a) Núcleo vacío

Se obtuvieron los siguientes resultados:

■ Potencia aparente (S): 141 VA

■ Potencia reactiva (Q): 137,98 VAR

• Factor de potencia (cos ϕ): 0,206

• Ángulo de desfase ϕ : 78,131°

■ Constante del inductor (L): 318,13 mH

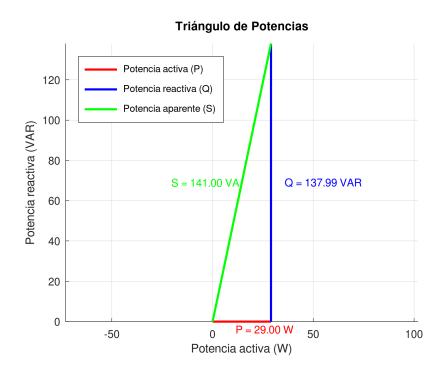


Figura 4: Triángulo de Potencias para el circuito con núcleo de aire.

b) Núcleo de hierro parcialmente introducido

Se obtuvieron los siguientes resultados:

■ Potencia aparente (S): 73,2 VA

■ Potencia reactiva (Q): 71,43 VAR

• Factor de potencia (cos ϕ): 0.218

• Ángulo de desfase ϕ : 73,37°

■ Constante del inductor (L): 631,58 mH

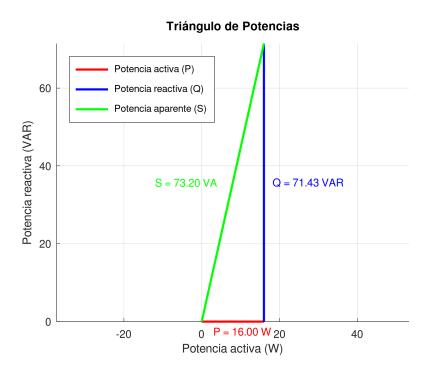


Figura 5: Triángulo de Potencias para el circuito con núcleo parcialmente introducido de hierro.

c) Núcleo de hierro totalmente introducido

Se obtuvieron los siguientes resultados:

■ Potencia aparente (S): 31.00 VA

■ Potencia reactiva (Q): 28.58 VAR

• Factor de potencia ($\cos \phi$): 0.387

• Ángulo de desfase ϕ : 67.23°

■ Constante del inductor (L): 1460 mH

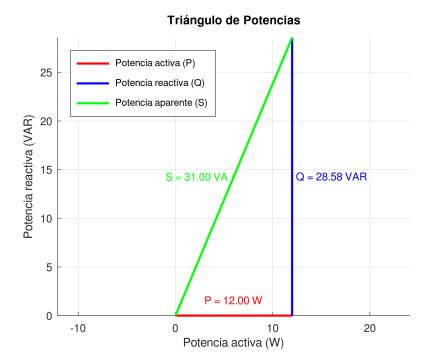


Figura 6: Triángulo de Potencias para el circuito con núcleo totalmente introducido de hierro.

d) Núcleo de hierro laminado totalmente introducido

Se obtuvieron los siguientes resultados:

- Potencia aparente (S): 31.00 VA
- Potencia reactiva (Q): 30.41 VAR
- Factor de potencia (cos ϕ): 0.194
- Ángulo de desfase ϕ : 78.84°
- Constante del inductor (L): 1550 mH

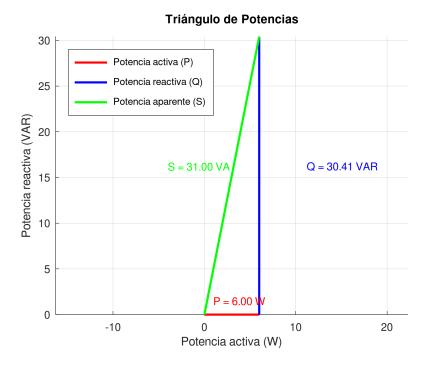


Figura 7: Triángulo de Potencias para el circuito con núcleo totalmente introducido de hierro laminado.

2.4 Análisis

Dado que se realizó el trabajo práctico empleando un núcleo de hierro y uno de hierro laminado, los valores de las inductancias obtenidas para una misma configuración con distintos núcleos son $L_{hierro} = 1460 \text{ mH}$ y $L_{hierroLaminado} = 1550 \text{ mH}$; su semejanza es de esperar, pues los materiales son muy similares. Esto también resulta en que la potencia reactiva (es decir, compleja) se ve principalmente afectada por la posición del núcleo en el inductor.

Adicionalmente, se puede notar en la tabla 5 cómo la potencia disipada por el inductor se ve afectada por la introducción de los núcleos. Obsérvese que, en particular, el valor de la potencia activa disipada por el inductor una vez agregado parcialmente el núcleo de hierro desciende, luego es menor para el hierro introducido por completo y es aún menor para el hierro laminado.

	Potencia Activa [W]	Potencia Aparente [VA]	Factor de potencia
Sin núcleo	29	141	0,206
Núcleo de hierro parcialmente in-	16	73,2	0,218
troducido			
Núcleo de hierro totalmente in-	12	31	0,387
troducido			
Núcleo de hierro laminado total-	6	31	0,194
mente introducido			

Tabla 5: Mediciones indirectas de las variables de potencia afectadas por el inductor.

Luego, con el fin de cuantificar la imprecisión de las mediciones se decidió comparar la potencia activa medida de forma directa por el vatímetro con la potencia activa disipada por la resistencia interna del inductor (es decir, el único elemento pasivo que disipa potencia activa del circuito). Con este fin, se utilizó en la siguiente ecuación:

$$S_R = P = V_R \cdot I = I^2 \cdot R \cdot \tag{1}$$

	Medición Indirecta [W]	Medición Directa [W]
Sin núcleo	32,72	29
Núcleo de hierro parcialmente in-	8,53	16
troducido		
Núcleo de hierro totalmente in-	1,48	12
troducido		
Núcleo de hierro laminado total-	1,48	6
mente introducido		

Tabla 6: Valores de la potencia activa para cada configuración, obtenidos de forma tanto directa como indirecta.

Se considera que la amplia disparidad entre los valores calculados y los obtenidos con el vatímetro se debe al margen de error del amperímetro de aguja para valores muy pequeños y muy grandes de corriente (relativos a la escala del amperímetro).

3. Conclusiones

En este trabajo, se observaron los cambios que hubo en la potencia disipada por la bobina y su resistencia interna en las distintas configuraciones.

Al introducir los distintos núcleos se observó una disminución de la corriente. Esto se debe a que la inductancia del inductor aumentó, incrementando la reactancia inductiva y, en consecuencia, la oposición al paso de la corriente. De este modo, la potencia activa se redujo gracias a la disminución de la corriente, tal como se esperaría acorde a lo estudiado en la materia.

Finalmente, se considera que para lograr una mayor precisión en las mediciones, se recomienda trabajar con un amperímetro de menor escala, o bien aumentar la tensión de entrada con el propósito de aumentar la corriente; esto permitiría trabajar con magnitudes de corriente que se acerquen más al rango de mayor precisión del amperímetro. A su vez, traería el mismo efecto sobre la medición de la potencia activa, ya que aumentaría los valores de esta magnitud, llevándola a un rango donde el vatímetro tiene una mayor precisión.