

## TP 2: Tubo de Kundt

Caorsi Juan Ignacio, jcaorsi@itba.edu.ar

Dib Ian, idib@itba.edu.ar

Moschini Rita, rmoschini@itba.edu.ar

Tamagnini Ana, atamagnini@itba.edu.ar

Grupo 4 - 15/04/2025

1. ¿El micrófono mide variaciones de presión o desplazamientos del aire?

(Juani)

2. Determine la frecuencia del modo fundamental y la frecuencia de los siguientes tres armónicos.

La frecuencia  $f_n$  del armónico  $n$  está dado por la expresión

$$f_n = \frac{v}{\lambda_n} \quad (1)$$

siendo  $v$  la velocidad del sonido en el tubo y  $\lambda_n$  la longitud de onda correspondiente al armónico  $n$ , dado, a su vez, por

$$\lambda_n = \frac{2L}{n} \quad (2)$$

siendo  $L$  la longitud del tubo y  $n$  el número de armónico. Juntando ambas expresiones, se obtiene:

$$f_n = n \cdot \frac{v}{2L} \quad (3)$$

Dado que a temperatura ambiente vale la aproximación  $v_{sonido} \simeq 330m/s$  y sabiendo que  $L = 0,5m$ , la frecuencia fundamental puede estimarse como

$$f_1 = \frac{330m/s}{2 \cdot 0,5m} \simeq 330Hz$$

Partiendo de este valor y de la relación  $f_n = n \cdot f_1$ , se estimaron los valores teóricos de las frecuencias  $f_n$  para los primeros cuatro armónicos.

La amplitud de la señal es máxima en las frecuencias  $f_n$ . En los valores cercanos la amplitud disminuye, y vuelve a aumentar a medida que el valor de la frecuencia se aproxima a la del siguiente armónico. Siguiendo este principio, para hallar los valores experimentales de los  $f_n$ , se partió de las frecuencias estimadas teóricamente y se las fue variando mediante el generador de señales hasta visualizar desde el osciloscopio que la amplitud fuera máxima.

Los datos obtenidos se resumen en la siguiente tabla:

Armónicos	Valores Teóricos (Hz)	Valores Experimentales (Hz)
$f_1$	330	346
$f_2$	660	666
$f_3$	990	960
$f_4$	1320	1177

Tabla 1: Estimaciones teóricas y valores experimentales de las frecuencias  $f_n$  asociadas a cada armónico  $n$ .

Como se puede observar en la tabla 1, los valores experimentales difieren de las estimaciones teóricas. Esto se debe a que el tubo no es ideal, llegando incluso a escucharse el sonido del parlante, lo que implica que el sistema pierde energía.

### 3. Halle la velocidad del sonido dentro del tubo.

A partir de la ecuación 3, la velocidad del sonido en el tubo  $v$  asociada a cada armónico  $n$  puede despejarse como

$$v_n = \frac{2L \cdot f_n}{n} \quad (4)$$

Realizando el cálculo para cada valor experimental de  $f_n$  obtenido en la sección anterior y agrupando los resultados en una tabla,

$f_n$	$v_n$ (m/s)
$f_1$	346
$f_2$	333
$f_3$	320
$f_4$	294

Tabla 2: Velocidad del sonido en el tubo para cada frecuencia  $f_n$  de la tabla 1.

En consecuencia, la velocidad del sonido en el tubo puede calcularse como el promedio de las  $v_n$  de la tabla anterior:

$$\bar{v} \simeq 323 \text{ m/s}$$

siendo esta una buena aproximación del valor teórico de la velocidad del sonido a temperatura ambiente  $v_{\text{sonido}} \simeq 330 \text{ m/s}$ .

Por otro lado, volviendo a la ecuación 4, de la relación  $f_n = n \cdot f_1$  resulta la expresión

$$v_n = \frac{2L \cdot n \cdot f_1}{n} \iff v_n = 2L \cdot f_1$$

donde puede apreciarse que la velocidad del sonido en el tubo es independiente del número de armónico  $n$ . Las discrepancias entre las velocidades  $v_n$  se deben a los errores experimentales en las mediciones de las frecuencias  $f_n$ .

### 4. Midan el factor de calidad correspondiente a todos los armónicos registrados.

Se comenzó trabajando sobre la señal observada en el osciloscopio, que presentaba dos líneas horizontales superpuestas a la onda. Se colocó una de ellas a la mitad de la amplitud de la señal y no se la volvió a modificar. La otra línea se ajustó para que coincidiera con el máximo de la onda en la frecuencia correspondiente al armónico  $n$ .

A continuación, se registró el voltaje mostrado por el osciloscopio en ese punto, llamándolo  $V_{\max}$  asociado al armónico  $n$ . Luego se calculó el valor  $V_{\max}/\sqrt{2}$  y se modificó la posición de la línea superior hasta que el valor indicado en pantalla coincidiera con este nuevo valor.

Con el micrófono fijo y manteniendo la onda en el armónico  $n$ , se varió manualmente la frecuencia hacia arriba y hacia abajo, utilizando la perilla del generador. En ambos casos, se buscó el punto en el que la amplitud de la señal disminuía hasta tocar apenas la línea correspondiente a  $V_{\max}/\sqrt{2}$ . Las frecuencias en las que esto ocurría se anotaron como  $f^-$  (al disminuir la frecuencia) y  $f^+$  (al aumentarla).

Finalmente, se calculó el factor de calidad  $Q$  para cada armónico mediante la fórmula:

$$Q = \frac{f_n}{f^+ - f^-}$$

donde  $f_n$  es la frecuencia central del armónico  $n$ , y  $f^+$ ,  $f^-$  son las frecuencias en las que la amplitud de la señal alcanzaba  $V_{\max}/\sqrt{2}$ .

Esto se repitió para cada uno de los cuatro armónicos encontrados en las secciones anteriores. Los resultados obtenidos se resumen en la siguiente tabla:

Armónicos	$V_{\max}(mV)$	$V_{\max}/\sqrt{2}(mV)$	$f^+$ (Hz)	$f^-$ (Hz)	$Q$
$f_1$	160	113	357	337	17
$f_2$	300	212	673	659	48
$f_3$	212	150	980	945	27
$f_4$	200	140	1249	1090	7

Tabla 3: Mediciones del ancho de banda correspondiente a cada armónico  $n$  y cálculo del factor de calidad  $Q$  asociado.

Si bien las mediciones estuvieron sujetas a un importante margen de error —tanto por las limitaciones del equipo como por la dificultad de ajustar con precisión las frecuencias—, los valores obtenidos son razonables.

El factor de calidad  $Q$  no depende únicamente de la frecuencia, sino también de las características particulares de cada resonancia. En consecuencia, no hay una relación fija entre los factores de calidad correspondientes a distintos armónicos.