Algorytmy i struktury danych

Zadania obowiązkowe Informatyka WIEiT - 2018/2019

1. Ćwiczenia - Sortowania proste

Brak zadań obowiazkowych

2. Ćwiczenia - MergeSort

- 1. Implementacja algorytmu MergeSort dla sortowania list
- 2. Proszę zaproponować/zaimplementować algorytm scalający k posortowanych tablic o łącznej długości n w jedną posortowaną tablicę w czasie O(n * log(k)).
- 3. Proszę zaproponować strukturę przechowującą liczby naturalne, w której operacje: Insert i GetMedian mają złożoność O(log(n)). Proszę zaimplementować w/w operacje.
- 4. Proszę zaimplementować algorytm zliczający liczbę inwersji w tablicy (Inwersja to para indeksów i, j taka, że i < j oraz T[i] > T[j])

3. Ćwiczenia - QuickSort

- 1. Proszę zaimplementować algorytm QuickSort do sortowania listy jednokierunkowej.
- 2. Proszę zaimplementować algorytm, który w czasie liniowym sortuje tablicę A zawierającą n liczb ze zbioru $0, 1, ..., n^2 1$.
- 3. Mamy serię pojemników z wodą, połączonych (każdy z każdym) rurami. Pojemniki maja kształty prostokątów (2d), rury nie maja objętości (powierzchni). Każdy pojemnik opisany jest przez współrzędne lewego górnego rogu i prawego dolnego rogu. Wiemy, ze do pojemników nalano A wody (oczywiście woda rurami spłynęła do najniższych pojemników). Obliczyć ile pojemników zostało w pełni zalanych.
- 4. Dany jest ciąg przedziałów domkniętych $[a_1, b_1], ..., [a_n, b_n]$. Proszę zaproponować algorytm, który znajduje taki przedział $[a_t, b_t]$, w którym w całości zawiera się jak najwięcej innych przedziałów.

4. Ćwiczenia - Zastosowania sortowań

- 1. Dana jest posortowana tablica int A[N] oraz liczba x. Napisać program, który stwierdza czy istnieją indeksy i oraz j, takie że A[i] + A[j] = x (powinno działać w czasie O(N)).
- 2. Zaimplementować algorytm, który dla tablicy int A[N] wyznacza rekurencyjną medianę median (magiczne piątki).
- 3. Mamy daną tablicę A z n liczbami. Proszę zaproponować algorytm o złożoności O(n), który stwierdza, czy w tablicy ponad połowa elementów ma jednakową wartość.
- 4. Proszę zaproponować algorytm sortujący ciąg słów o różnych długościach w czasie proporcjonalnym do sumy długości tych słów.

5. Ćwiczenia - Struktury danych

- 1. Proszę zaimplementować dodawanie elementu do SkipListy.
- 2. Proszę zaimplementować kolejkę przy użyciu dwóch stosów.

6. Ćwiczenia - Tablice z haszowaniem

- 1. Proszę zaimplementować następujące operacje na tablicy z haszowaniem:
 - wstawianie
 - usuwanie
 - wyszukiwanie
 - reorganizacja (usunięcie kluczy zaznaczonych do skasowania)
- 2. Dana jest nieposortowana tablica int A[N] oraz liczba x. Proszę napisać funkcję, która sprawdza na ile sposobów można przedstawić x jako sumę A[i] + A[j] takiego że i < j.

7. Ćwiczenia - Drzewa BST

- 1. Proszę podać modyfikację drzewa BST, która pozwala na efektywne wykonywanie następujących operacji:
 - (a) znalezienie i-tego co do wielkości elementu w drzewie BST
 - (b) wyznaczenie, którym co do wielkości w drzewie jest zadany węzeł

Proszę zaimplementować obie operacje.

8. Ćwiczenia - Drzewa czerwono-czarne

- 1. Zaimplementować funkcję, która koloruje węzły drzewa aby spełniało warunek drzewa RB, funkcja powinna zwracać informację czy udało się pokolorować drzewo.
- 2. Udowodnić, że każde drzewo AVL jest drzewem RB.

9. Ćwiczenia - Drzewa B-tree

- 1. Dana jest tablica bool A[N][N]; Gracz początkowo znajduje się na (zadanej) pozycji (x, y), dla której zachodzi A[y][x] == true. Z danej pozycji wolno bezpośrednio przejść jedynie na pozycję, której dokładnie jedna współrzędna różni się o 1, oraz której wartość w tablicy A wynosi true. Proszę napisać funkcję obliczający do ilu różnych pozycji może dojść gracz startując z zadanej pozycji (x, y).
- 2. Dana jest struktura węzła drzewa B-tree przechowującego unikalne klucze:

Proszę napisać funkcję bool $is_b_tree(node* p)$; sprawdzającą czy wskaźnik p wskazuje na poprawne drzewo B-tree.

10. Ćwiczenia - Grafy - BFS, DFS

- 1. Proszę zaimplementować następujące algorytmy:
 - (a) Sprawdzanie czy graf jest dwudzielny
 - (b) Policzyć liczbę spójnych składowych w grafie

Graf jest reprezentowany jako macierz sąsiedztwa albo listy sąsiadów albo listy krawędzi.

- 2. Mówimy, że wierzchołek t w grafie skierowanym jest ujściem, jeśli:
 - z każdego innego wierzchołka v istnieje krawędź z v do t,
 - nie istnieje żadna krawedź wychodzaca z t.

Podać algorytm znajdujący ujście (jeśli istnieje) przy macierzowej reprezentacji grafu.

11. Ćwiczenia - Kolokwium nr 2

Brak zadań obowiazkowych

12. Ćwiczenia - Grafy - Zastosowania algorytmów grafowych

- Ścieżka Hamiltona przechodzi przez wszystkie wierzchołki w grafie, przez każdy dokładnie jeden raz.
 Proszę zaimplementować algorytm, który stwierdzi czy istnieje ścieżka Hamiltona w acyklicznym
 grafie skierowanym.
- Cykl Hamiltona o minimalnej sumie wag krawędzi nazywamy drogą komiwojażera. Dane są współrzędne N punktów na płaszczyźnie. Proszę zaimplementować funkcję obliczającą dolne ograniczenie drogi komiwojażera.

Wskazówka: Jaki związek ma długość drogi komiwojażera z długością minimalnego drzewa rozpinającego?