# Inferência usando Redes Neurais (forward propagation)

# Tensorflow versus NumPy





## Onde estamos e para onde vamos

Na aula anterior, usamos o Tensorflow como um facilitador para resolvermos o problema de inferência.

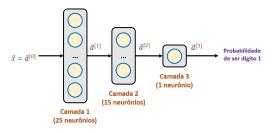
#### Pergunta:

Se você tivesse que implementar a **propagação para frente** do zero em Python, sem usar Tensorflow, como você faria?

**OBS:** Alguém criou o ambiente Tensorflow, assim como o ambiente PyTorch. E se você quisesse criar um ambiente equivalente?

## Exemplo: Reconhecendo dígitos 0 e 1 escritos à mão

Em uma aula anterior nossa, vimos o seguinte exemplo:



#### Para a Camada 1. temos:

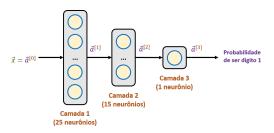
$$\overrightarrow{a}^{\,[1]} = \left[ \begin{array}{c} g(\overrightarrow{w}_1^{\,[1]} \cdot \overrightarrow{x} + b_1^{\,[1]}) \\ & \ddots \\ g(\overrightarrow{w}_{25}^{\,[1]} \cdot \overrightarrow{x} + b_{25}^{\,[1]}) \end{array} \right]$$

## Para a Camada 2, temos:

$$\overrightarrow{a}^{[2]} = \left[ \begin{array}{c} g(\overrightarrow{w}_1^{[2]} \cdot \overrightarrow{a}^{[1]} + b_1^{[2]}) \\ & \ddots \\ g(\overrightarrow{w}_{15}^{[2]} \cdot \overrightarrow{a}^{[1]} + b_{15}^{[2]}) \end{array} \right]$$

## Exemplo: Reconhecendo dígitos 0 e 1 escritos à mão

Em uma aula anterior nossa, vimos o seguinte exemplo:



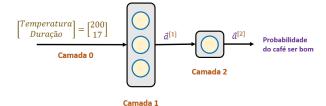
## Finalmente, para a Camada 3, temos:

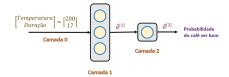
$$\overrightarrow{a}^{[3]} = g(\overrightarrow{w}_1^{[3]} \cdot \overrightarrow{a}^{[2]} + b_1^{[3]})$$

se  $a^{[3]} \geq 0.5$ ,  $\hat{y} = 1$  (imagem contém dígito 1).

se  $a^{[3]} < 0.5$ ,  $\hat{y} = 0$  (imagem contém dígito 0).

### Como ficaria para o exemplo de Torrefação de café abaixo?





## Para a Camada 1, temos:

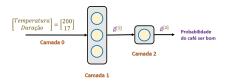
$$\overrightarrow{a}^{\,[1]} = \left[ \begin{array}{c} g(\overrightarrow{w}_1^{\,[1]} \cdot \overrightarrow{x} + b_1^{\,[1]}) \\ g(\overrightarrow{w}_2^{\,[1]} \cdot \overrightarrow{x} + b_2^{\,[1]}) \\ g(\overrightarrow{w}_3^{\,[1]} \cdot \overrightarrow{x} + b_3^{\,[1]}) \end{array} \right]$$

## Para a Camada 2, temos:

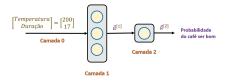
$$\overrightarrow{a}^{[2]} = g(\overrightarrow{w}_1^{[2]} \cdot \overrightarrow{a}^{[1]} + b_1^{[2]})$$

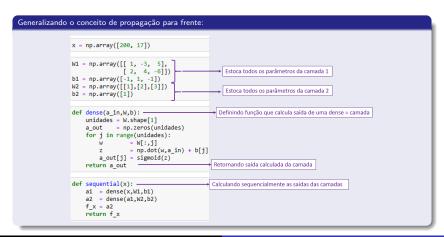
se 
$$a^{[2]} \geq 0.5$$
,  $\hat{y} = 1$  (café bom).

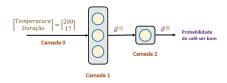
se 
$$a^{[2]} < 0.5$$
,  $\hat{y} = 0$  (café ruim).

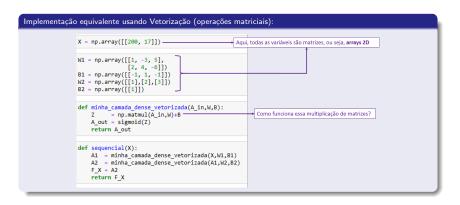


```
Pergunta: O que cada linha de código abaixo faz?
    x = np.array([200, 17])
                                                              w1 3 = np.array([5, -6])
    w1_1 = np.array([1, 2])
                                 w1 2 = np.array([-3, 4])
    b1_1 = np.array([-1])
                                 b1_2 = np.array([1])
                                                              b1 3 = np.array([-1])
    z1 1 = np.dot(w1_1,x)+b1_1
                                 z1 2 = np.dot(w1 2,x)+b1 2
                                                              z1 3 = np.dot(w1 3,x)+b1 3
    a1 1 = sigmoid(z1 1)
                                 a1 2 = sigmoid(z1 2)
                                                               a1 3 = sigmoid(z1 3)
                                                               a1 = np.array([a1_1, a1_2, a1_3])
                                                              w2 1 = np.array([1, 2, 3])
                                                              b2\ 1 = np.array([1])
                                                              z2 1 = np.dot(w2 1,a1)+b2 1
                                                              a2_1 = sigmoid(z2_1)
```









# Revisão Álgebra Linear

Sejam os dois vetores abaixo

$$\overrightarrow{a} = \left[ egin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 3 \end{array} 
ight] \qquad \mathbf{e} \qquad \overrightarrow{w} = \left[ egin{array}{c} 4 \\ 5 \\ 6 \end{array} 
ight]$$

## Calcule:

- O produto escalar  $\overrightarrow{a} \cdot \overrightarrow{w}$
- lacktriangle O transposto de  $\overrightarrow{a}$ , ou seja,  $\overrightarrow{a}^T$
- lacktriangle O transposto de  $\overrightarrow{w}$ , ou seja,  $\overrightarrow{w}^T$
- A multiplicação vetor-vetor \$\overline{a}^T \overline{w}\$

# Revisão Álgebra Linear

Sejam as duas matrizes abaixo:

$$A = \left[\begin{array}{ccc} 200 & 17 \end{array}\right] \qquad \mathrm{e} \qquad W = \left[\begin{array}{ccc} 1 & -3 & 5 \\ 2 & 4 & -6 \end{array}\right]$$

#### Calcule:

- lacksquare A é um vetor ou uma matriz?
- Qual é o número de linhas e de colunas da matriz A? E da matriz W?
- É possível realizar a multiplicação matriz-matriz AW?
- Seja a multiplicação C = AW. Qual será a dimensão de C?
- Quanto vale C = AW?

#### Calcule $f(\overrightarrow{x})$ para os dois códigos abaixo

```
x = np.array([200, 17])
W1 = np.array([[1, -3, 5],
              [2, 4, -6]])
b1 = np.array([-1, 1, -1])
W2 = np.array([[1],[2],[3]])
b2 = np.array([1])
def dense(a in,W,b):
    unidades = W.shape[1]
    a out = np.zeros(unidades)
    for i in range(unidades):
                = W[:.il
                = np.dot(w,a_in) + b[j]
       a out[i] = sigmoid(z)
    return a out
def sequential(x):
    a1 = dense(x,W1,b1)
    a2 = dense(a1,W2,b2)
   f x = a2
   return f x
```

```
X = np.array([[200, 17]])
W1 = np.array([[1, -3, 5],
               [2, 4, -6]])
B1 = np.array([[-1, 1, -1]])
W2 = np.array([[1],[2],[3]])
B2 = np.array([[1]])
def minha camada dense vetorizada(A in,W,B):
         = np.matmul(A in,W)+B
    A \text{ out } = \text{sigmoid}(Z)
    return A out
def sequencial(X):
    A1 = minha camada dense vetorizada(X,W1,B1)
    A2 = minha camada dense vetorizada(A1,W2,B2)
    F X = A2
    return F X
```

Resposta:

versus

# Revisão Álgebra Linear: Broadcasting com NumPy

Sejam as três matrizes abaixo:

$$X = \left[ egin{array}{ccc} 1 & 2 \ 3 & 4 \end{array} 
ight] \qquad {
m e} \qquad b = \left[ egin{array}{ccc} -1 & -1 \end{array} 
ight]$$

## Pergunta:

• É possível somar X + b?

#### Observação:

 O NumPy possui uma capacidade de broadcasting incrível. Entretanto, devemos ficar atentos para verificar se estamos entendendo corretamente a operação que está sendo de fato realizada.

## De olho no código!

Usando Numpy, no código a seguir iremos implementar a propagação para frente para o problema de reconhecimento de dígitos escritos à mão. Entretanto, o código se inicia usando o tensorflow para encontrar parâmetros adequados para o modelo.

Nome do arquivo que trabalharemos agora:

codigo - reconhecendo digitos 0 e 1 escritos a mao.ipynb

## Atividade de aula

#### Parte 1

Rode todo o "codigo - reconhecendo digitos 0 e 1 escritos a mao.ipynb" sem fazer qualquer tipo de alteração. Certifique-se de que você o compreendeu.

#### Parte 2

Inclua no código um comando que calcula a taxa de acerto da rede neural. Qual foi a taxa de acerto obtida? Quantas amostras o modelo classificou erroneamente?

OBS: Lembre-se do comando (np.mean(Y == ychapeu) \* 100) utilizado na atividade de programação anterior.