
Konstruktives Projekt 4

Verfasser:

Jennifer Wozniak

Matrikelnummer: 10004257

Schaufelder Straße 33A

30167 Hannover

Studiengang:

B.Sc. Maschinenbau

Eingereicht am:

12. April 2018

Inhaltsverzeichnis

1	Anforderungsliste	1
2	Vorauslegung	2
2.1	Übersetzungen und Drehzahlen	2
2.2	Torsionsmomente & Mindestdurchmesser	4
2.3	Zahnräder	11
2.3.1	Stirnräder	11
2.3.2	Planetengetriebe	16
2.3.3	Kegelräder	17
2.3.4	Kräfte	18
2.4	Endgültige Abmaße	20
3	Berechnung der Schnittkräfte	22
3.1	Berechnung der auf die Zahnräder wirkenden Kräfte	22
3.2	Berechnung der Lagerreaktionen	24
3.3	Berechnung der Schnittkraftverläufe	25
3.4	Resultierende Momente	29
4	Dauerfestigkeitsberechnung für Welle I	30
4.1	Werkstoffkennwerte	30
4.2	Passfedernutberechnung	30
4.3	Freistichberechnung	35
5	Lagerlebensdauerberechnung	41
5.1	Berechnung der Lagerkräfte im Gang 1	41
5.2	Berechnung der äquivalenten dynamischen Lagerbelastung	43
5.3	Bestimmung der Lastkollektive und der Lebensdauer	47
6	Schwachstellenberechnung	48
6.1	Berechnung Welle-Nabe-Verbindungen	48
6.2	Berechnung der Schraubenverbindungen	51
6.2.1	Verschraubung Lagerdeckel	51
6.2.2	Verschraubung Kupplung	56
7	Passungsberechnung	62
8	Quellen	68
8.1	Literatur	68

8.2 Internet	68
A Anhang	69

Anforderungsliste

Anforderungsliste Drehmaschine			KPIII 2017/18					Bearbeiter: Jennifer Wozniak, 10004257				
Nr.	Anforderungen	Art	Variable	- Tolerant	Wert exakt	+ Tolerant	Einheit	Quelle/Initiator	Erstellung Verantwortung Datum	Was	Modifikation Wer	Wann
1	Geometrie								Jennifer Wozniak	25.09.17		
1.1	Achsabstand 1	F	a_1	175	200	225	mm	IMKT				
1.2	Achsabstand 2	F	a_2	142,5	150	157,5	mm	IMKT				
2	Norm-/Zukaufteile								Jennifer Wozniak	25.09.17		
2.1	Stirnräder	F	---	---	geradzahnt	---	---	IMKT				
2.2	Trapezgewinde Werkzeugschlitten	F	---	---	Tr 20x4	---	---	IMKT				
2.3	Überlastkupplung	F	---	---	ja	---	---	IMKT				
3	Technische Voraussetzungen								Jennifer Wozniak	25.09.17		
3.1	Rotierendes Spannfutter	F	---	---	eine Drehzahl	---	---	IMKT				
3.2	Werkzeugschlitten Vorwärtsbewegung	F	---	---	zwei	---	---	IMKT				
3.3	Werkzeugschlitten Rückwärtsbewegung	F	---	---	eine	---	---	IMKT				
3.4	Zul. Torsionsspannung	F	τ_{zul}	---	44,00	---	N/mm ²	IMKT				
3.5	Nennlastwert Zahnräder	F	B_{zR}	---	4,00	---	N/mm ²	IMKT				
3.6	Geforderte Wälzlagerlebensdauer	F	L_{10h}	---	10000,00	---	h	IMKT				
3.7	Reibwert Gewinde	F	μ	---	0,20	---	---	IMKT				
4	Technische Daten								Jennifer Wozniak	25.09.17		
4.1	Vorschub Gang 1	F	f_1	---	0,15	---	mm/U	IMKT				
4.2	Vorschub Gang 2	F	f_2	---	0,45	---	mm/U	IMKT				
4.3	Vorschub Gang R	F	f_r	---	0,5	---	mm/U	IMKT				
4.4	Schnittgeschwindigkeit	F	v_c	---	46,00	---	m/min	IMKT				
4.5	Übersetzung Schneckenstufe	F	$i_{3,2,1}$	---	10,00	---	m/min	IMKT				
4.6	Antriebsdrehzahl	F	n_1	---	1200,00	---	1/min	IMKT				
5	sonstiges								Jennifer Wozniak	25.09.17		
5.1	Stückzahl	F	---	---	Kleinserie	---	---	IMKT				
5.2	Gehäuse	F	G	---	Guss	---	---	IMKT				
5.3	Schmierung	F	---	---	Fett	---	---	IMKT				
Bemerkung:												
Bestätigt:												
										Datum: 25.09.17		

2 Vorauslegung

2.1 Übersetzungen und Drehzahlen

Festlegen der Gänge:

Gang 1: $Z1/Z2$ und $Z6/Z7$

Gang 2: $Z1/Z2$ und $Z4/Z5$

Gang 3: $Z1/Z3$ und $Z6/Z7$

Gang 4: $Z1/Z3$ und $Z4/Z5$

Gegeben:

$$v_{c,1} = 20 \frac{\text{m}}{\text{min}}, v_{c,2} = 40 \frac{\text{m}}{\text{min}}, v_{c,3} = 80 \frac{\text{m}}{\text{min}}, v_{c,4} = 160 \frac{\text{m}}{\text{min}}$$

$$D_{WZ,U} = 120\text{mm}; D_{WZ,S} = 120\text{mm}$$

$$n_{an} = n_I = 1200 \frac{1}{\text{min}}$$

$$i_{1,2} = i_{1,3} = -3$$

$$\text{Planetengetriebe: } i_0 = -3$$

$$n_{10} = 0$$

Berechnungen:

Verwendete Formeln aus den Skripten KL II¹ S. 34 und KL III² S. 2

Mithilfe der Schnittgeschwindigkeiten werden die Abtriebsdrehzahlen der einzelnen Gänge bestimmt. Anschließend können dann die fehlenden Übersetzungen ermittelt werden.

¹Vgl. [Den17]

²Vgl. [Pol17a]

- Gang 1:

$$n_{II,1} = \frac{n_{an}}{i_{1,2}} = 400 \frac{1}{\text{min}}$$

$$\text{Formel nach Willis: } n_9 = \frac{n_8 - i_0 \cdot n_{10}}{1 - i_0}$$

$$n_{9,1} = n_{III,1} = \frac{n_{8,1}}{1 - i_0} = \frac{400 \frac{1}{\text{min}}}{1 - (-3)} = 100 \frac{1}{\text{min}}$$

$$n_{IV,1} = n_{ab,1} = \frac{v_{c,1}}{\pi \cdot D_{WZ}} = 53,05 \frac{1}{\text{min}}$$

$$\Rightarrow i_{6,7} = \frac{n_{III,1}}{n_{IV,1}} = -1,89$$

- Gang 2:

$$n_{II,2} = \frac{n_{an}}{i_{1,2}} = 400 \frac{1}{\text{min}}$$

$$n_{IV,2} = n_{ab,2} = \frac{v_{c,2}}{\pi \cdot D_{WZ}} = 106,1 \frac{1}{\text{min}}$$

$$\Rightarrow i_{4,5} = \frac{n_{III,2}}{n_{IV,2}} = 3,77$$

- Gang 3:

$$n_{III,3} = \frac{n_{an}}{i_{1,3}} = 400 \frac{1}{\text{min}}$$

$$n_{IV,3} = \frac{n_{III,3}}{i_{6,7}} = 212,2 \frac{1}{\text{min}}$$

$$\text{Überprüfung der Abtriebsdrehzahl: } n_{IV,3} = n_{ab,3} = \frac{v_{c,3}}{\pi \cdot D_{WZ}} = 212,2 \frac{1}{\text{min}}$$

- Gang 4:

$$n_{\text{III},4} = n_{9,4} = \frac{n_{an}}{i_{1,3}} = 400 \frac{1}{\text{min}}$$

$$\text{Formel nach Willis: } n_8 = i_0 \cdot n_{10} + n_9 \cdot (1 - i_0)$$

$$n_{8,4} = n_{\text{II},4} = n_{9,4} \cdot (1 - i_0) = 400 \frac{1}{\text{min}} \cdot (1 - (-3)) = 1600 \frac{1}{\text{min}}$$

$$n_{\text{IV},4} = \frac{n_{\text{II},4}}{i_{4,5}} = 424,4 \frac{1}{\text{min}}$$

$$\text{Überprüfung der Abtriebsdrehzahl: } n_{\text{IV},4} = n_{ab,4} = \frac{v_{c,4}}{\pi \cdot D_{WZ}} = 424,4 \frac{1}{\text{min}}$$

2.2 Torsionsmomente & Mindestdurchmesser

Um die wirkenden Torsionsmomente zu bestimmen, wird zunächst die benötigte Schnittleistung für das Umfangs- sowie das Stirnfräsen berechnet. Die verwendeten Formeln stammen aus dem Aufgabenblatt, welches vom IMKT ausgehändigt wurde.

Schnittleistung:

- Umfangsfräsen:

gegeben:

$$D_{WZ,U} = 120 \text{ mm}, a_e = 52 \text{ mm} \implies u_U = \frac{D_{WZ,U}}{2} - a_e = 8 \text{ mm}$$

$$z = 12, a_p = b = 2 \text{ mm}, \kappa = 90^\circ$$

$$f_{z,1} = 0,06 \text{ mm}, f_{z,2} = 0,09 \text{ mm}, f_{z,3} = 0,12 \text{ mm}, f_{z,4} = 0,15 \text{ mm}$$

Rechnung:

$$\varphi_s = \arccos\left(1 - \frac{2 \cdot (u_U + a_e)}{D_{WZ,U}}\right) - \arccos\left(1 - \frac{2 \cdot u_U}{D_{WZ,U}}\right) = 60,07^\circ$$

$$z_{iE} = \text{RUNDEN}\left(\frac{\varphi \cdot z}{360^\circ}\right) = 2$$

$$h_m = \frac{114,6^\circ}{\varphi_s} \cdot f_z \cdot \frac{a_e}{D_{WZ,U}} \cdot \sin(\kappa)$$

$$h_{m,1} = \frac{114,6^\circ}{60,07^\circ} \cdot 0,06 \text{ mm} \cdot \frac{52 \text{ mm}}{120 \text{ mm}} \cdot \sin(90^\circ) = 0,05 \text{ mm}$$

$$h_{m,2} = 0,074 \text{ mm}$$

$$h_{m,3} = 0,099 \text{ mm}$$

$$h_{m,4} = 0,12 \text{ mm}$$

$$F_{cz} = b \cdot h_m^{1-z} \cdot k_{c1.1} \cdot K_{V,c}$$

$$F_{cz,1} = 2 \text{ mm} \cdot 0,05 \text{ mm}^{0,7} \cdot 2500 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \cdot 1,7 = 926,1 \text{ N}$$

$$F_{cz,2} = 1237,8 \text{ N}$$

$$F_{cz,3} = 1535,3 \text{ N}$$

$$F_{cz,4} = 1770,2 \text{ N}$$

$$\implies P_c = z_{iE} \cdot v_c \cdot F_{cz}$$

$$P_{c,1} = 2 \cdot 0,34 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 926,1 \text{ N} = 629,75 \text{ W}$$

$$P_{c,2} = 1658,7 \text{ W}$$

$$P_{c,3} = 4114,6 \text{ W}$$

$$P_{c,4} = 9452,87 \text{ W}$$

- Stirnfräsen:

gegeben:

$$D_{WZ,S} = 120 \text{ mm}, a_e = 120 \text{ mm} \implies u_S = \frac{D_{WZ,S}}{2} - a_e = 0 \text{ mm}$$

$$z = 6, a_p = b = 2 \text{ mm}, \kappa = 90^\circ$$

$$f_{z,1} = 0,06 \text{ mm}, f_{z,2} = 0,09 \text{ mm}, f_{z,3} = 0,12 \text{ mm}, f_{z,4} = 0,15 \text{ mm}$$

Rechnung:

$$\varphi_s = \arccos\left(1 - \frac{2 \cdot (u_S + a_e)}{D_{WZ,S}}\right) - \arccos\left(1 - \frac{2 \cdot u_S}{D_{WZ,S}}\right) = 180^\circ$$

$$z_{iE} = \text{RUNDEN}\left(\frac{\varphi \cdot z}{360^\circ}\right) = 3$$

$$h_m = \frac{114,6^\circ}{\varphi_s} \cdot f_z \cdot \frac{a_e}{D_{WZ,S}} \cdot \sin(\kappa)$$

$$h_{m,1} = \frac{114,6^\circ}{180^\circ} \cdot 0,06 \text{ mm} \cdot \frac{120 \text{ mm}}{120 \text{ mm}} \cdot \sin(90^\circ) = 0,038 \text{ mm}$$

$$h_{m,2} = 0,057 \text{ mm}$$

$$h_{m,3} = 0,0764 \text{ mm}$$

$$h_{m,4} = 0,0955 \text{ mm}$$

$$F_{cz} = b \cdot h_m^{1-z} \cdot k_{c1.1} \cdot K_{V,c}$$

$$F_{cz,1} = 2 \text{ mm} \cdot 0,038 \text{ mm}^{0,7} \cdot 2500 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \cdot 1,7 = 755,9 \text{ N}$$

$$F_{cz,2} = 1020,39 \text{ N}$$

$$F_{cz,3} = 1267,38 \text{ N}$$

$$F_{cz,4} = 1494,93 \text{ N}$$

$$\implies P_c = z_{iE} \cdot v_c \cdot F_{cz}$$

$$P_{c,1} = 3 \cdot 0,34 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 755,9 \text{ N} = 771,02 \text{ W}$$

$$P_{c,2} = 2050,98 \text{ W}$$

$$P_{c,3} = 5094,87 \text{ W}$$

$$P_{c,4} = 11974,39 \text{ W}$$

Torsionsmomente:

Die verwendete Formel zur Berechnung der Torsionsmomente stammt aus dem Skript zur Konstruktionslehre III³ Seite 2.

$$T = \frac{P}{2\pi \cdot n}$$

³Vgl. [Pol17a]

- Umfangsfräsen:

Gang 1:

$$T_{I,1,U} = \frac{P_{c,1,U}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{629,75 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 5 \text{ Nm}$$

$$T_{II,1,U} = \frac{P_{c,1,U}}{2\pi \cdot n_{II,1}} = \frac{629,75 \text{ W}}{2\pi \cdot 400 \frac{1}{\text{min}}} = 15 \text{ Nm}$$

$$T_{III,1,U} = \frac{P_{c,1,U}}{2\pi \cdot n_{III,1}} = \frac{629,75 \text{ W}}{2\pi \cdot 100 \frac{1}{\text{min}}} = 60,14 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,1,U} = \frac{P_{c,1,U}}{2\pi \cdot n_{IV,1}} = \frac{629,75 \text{ W}}{2\pi \cdot 53,05 \frac{1}{\text{min}}} = 112,36 \text{ Nm}$$

Gang 2:

$$T_{I,2,U} = \frac{P_{c,2,U}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{1658,7 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 13,2 \text{ Nm}$$

$$T_{II,2,U} = \frac{P_{c,2,U}}{2\pi \cdot n_{II,2}} = 39,6 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,2,U} = \frac{P_{c,2,U}}{2\pi \cdot n_{IV,2}} = 149,29 \text{ Nm}$$

Gang 3:

$$T_{I,3,U} = \frac{P_{c,3,U}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{4114,6 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 32,74 \text{ Nm}$$

$$T_{III,3,U} = \frac{P_{c,3,U}}{2\pi \cdot n_{III,3}} = 98,23 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,3,U} = \frac{P_{c,3,U}}{2\pi \cdot n_{IV,3}} = 185,16 \text{ Nm}$$

Gang 4:

$$T_{I,4,U} = \frac{P_{c,4,U}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{9452,87 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 75,22 \text{ Nm}$$

$$T_{II,4,U} = \frac{P_{c,4,U}}{2\pi \cdot n_{II,4}} = 56,42 \text{ Nm}$$

$$T_{III,4,U} = \frac{P_{c,4,U}}{2\pi \cdot n_{III,4}} = 225,67 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,4,U} = \frac{P_{c,4,U}}{2\pi \cdot n_{IV,4}} = 212,35 \text{ Nm}$$

- Stirnfräsen:

Gang 1:

$$T_{I,1,S} = \frac{P_{c,1,S}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{771,02 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 6,12 \text{ Nm}$$

$$T_{II,1,S} = \frac{P_{c,1,S}}{2\pi \cdot n_{II,1}} = \frac{771,02 \text{ W}}{2\pi \cdot 400 \frac{1}{\text{min}}} = 18,4 \text{ Nm}$$

$$T_{III,1,S} = \frac{P_{c,1,S}}{2\pi \cdot n_{III,1}} = \frac{771,02 \text{ W}}{2\pi \cdot 100 \frac{1}{\text{min}}} = 73,63 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,1,S} = \frac{P_{c,1,S}}{2\pi \cdot n_{IV,1}} = \frac{771,02 \text{ W}}{2\pi \cdot 53,05 \frac{1}{\text{min}}} = 138,79 \text{ Nm}$$

Gang 2:

$$T_{I,2,S} = \frac{P_{c,2,S}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{2050,98 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 16,32 \text{ Nm}$$

$$T_{II,2,S} = \frac{P_{c,2,S}}{2\pi \cdot n_{II,2}} = 48,96 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,2,S} = \frac{P_{c,2,S}}{2\pi \cdot n_{IV,2}} = 184,59 \text{ Nm}$$

Gang 3:

$$T_{I,3,S} = \frac{P_{c,3,S}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{5094,87 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 40,54 \text{ Nm}$$

$$T_{III,3,S} = \frac{P_{c,3,S}}{2\pi \cdot n_{III,3}} = 121,63 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,3,S} = \frac{P_{c,3,S}}{2\pi \cdot n_{IV,3}} = 229,28 \text{ Nm}$$

Gang 4:

$$T_{I,4,S} = \frac{P_{c,4,S}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{11974,39 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{\text{min}}} = 95,29 \text{ Nm}$$

$$T_{II,4,S} = \frac{P_{c,4,S}}{2\pi \cdot n_{II,4}} = 71,47 \text{ Nm}$$

$$T_{III,4,S} = \frac{P_{c,4,S}}{2\pi \cdot n_{III,4}} = 285,87 \text{ Nm}$$

$$T_{IV,4,S} = \frac{P_{c,4,S}}{2\pi \cdot n_{IV,4}} = 268,99 \text{ Nm}$$

Auf jeden Welle wirken im vierten Gang beim Stirnfräsen die höchsten Torsionsmomente. Im Folgenden wird das Getriebe deshalb auf Basis dieser Momente ausgelegt.

Mindestdurchmesser:

Mithilfe der berechneten Torsionsmomente kann nun auf die Mindestdurchmesser der jeweiligen Wellen geschlossen werden. Die verwendeten Formeln stammen aus dem Skript zur Konstruktionslehre III⁴ Seiten 150 - 153 und dem Roloff/Matek⁵ Seite 391

$$\tau_t = \frac{M}{W_p} \implies W_p = \frac{M}{\tau_{zul}} \text{ mit } W_p = \frac{\pi \cdot d^3}{16}$$

$$\tau_{zul} = 44 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \text{ (Einsatzstahl) , } S = 2$$

$$d \geq \sqrt[3]{\frac{T \cdot S}{\tau_{zul}} \cdot \frac{16}{\pi}}$$

$$d_{\text{I}} \geq \sqrt[3]{\frac{95290 \text{ Nmm} \cdot 2}{44 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} \cdot \frac{16}{\pi}} = 28,05 \text{ mm} \implies d_{\text{I}} = 29 \text{ mm}$$

$$d_{\text{II}} \geq \sqrt[3]{\frac{71470 \text{ Nmm} \cdot 2}{44 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} \cdot \frac{16}{\pi}} = 25,48 \text{ mm} \implies d_{\text{II}} = 26 \text{ mm}$$

$$d_{\text{IV}} \geq \sqrt[3]{\frac{268990 \text{ Nmm} \cdot 2}{44 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} \cdot \frac{16}{\pi}} = 39,64 \text{ mm} \implies d_{\text{IV}} = 40 \text{ mm}$$

Hohlwelle:

$$d_{a,\text{III}} \geq \sqrt[3]{\frac{16 \cdot T_{\text{III}}}{\pi \cdot (1 - k^4) \cdot \tau_{zul}}} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot 285870}{\pi \cdot (1 - 0,8^4) \cdot 44 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = 48,22 \text{ mm} \implies d_{a,\text{III}} = 49 \text{ mm}$$

$$d_{i,\text{III}} \leq k \cdot d_{a,\text{III}} = 0,8 \cdot 49 \text{ mm} = 39,2 \text{ mm} \implies d_{i,\text{III}} = 39 \text{ mm}$$

⁴Vgl. [Pol17a]

⁵Vgl. [WJV15]

2.3 Zahnräder

2.3.1 Stirnräder

verwendete Formeln:

Formeln aus dem Skript zur Konstruktionslehre III⁶ Seiten 150 - 153:

$$b \cdot d^2 \geq \frac{2 \cdot M}{B_{zul}}$$

$$\frac{b}{d} = (0,1 \dots 0,5) + \frac{i}{20}$$

$$d \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot M}{\left(\frac{b}{d}\right) \cdot 4 \frac{N}{\text{mm}^2}}}$$

Formeln aus dem Skript zur Konstruktionslehre IV⁷ Seite 187:

$$z = \frac{d \cdot \cos(\beta)}{m_n}$$

Formeln aus Roloff/Matek⁸ Seite 747:

$$d_a = m \cdot (z + 2)$$

$$d_f = m \cdot (z - 2,5)$$

⁶Vgl. [Pol17a]

⁷Vgl. [Pol17b]

⁸Vgl. [WJV15]

Breiten-/ Durchmesserverhältnisse:

- $Z_1/Z_2/Z_3$:

$$\left(\frac{b}{d}\right)_{1,2} = (0, 1...0, 5) + \frac{i_{1,2}}{20} \text{ mit } i_{1,2} = i_{1,3} = 3$$

$$\left(\frac{b}{d}\right)_{1,2} = \left(\frac{b}{d}\right)_{1,3} = (0, 25...0, 65)$$

$$d_1 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 95290 \text{ Nmm}}{(0, 25...0, 65) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (41, 85...57, 55) \text{ mm}$$

$$d_2 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 71470 \text{ Nmm}}{(0, 25...0, 65) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (38, 02...52, 29) \text{ mm}$$

$$d_3 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 285870 \text{ Nmm}}{(0, 25...0, 65) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (60, 36...83) \text{ mm}$$

$$b_1 = \left(\frac{b}{d}\right)_{1,2} \cdot d_1 = (10, 46...37, 4) \text{ mm}$$

$$b_2 = \left(\frac{b}{d}\right)_{1,2} \cdot d_2 = (9, 5...33, 99) \text{ mm}$$

$$b_3 = \left(\frac{b}{d}\right)_{1,3} \cdot d_3 = (15, 09...53, 95) \text{ mm}$$

- Z_4/Z_5 :

$$\left(\frac{b}{d}\right)_{4,5} = (0, 1...0, 5) + \frac{i_{4,5}}{20} \text{ mit } i_{4,5} = 3, 77$$

$$\left(\frac{b}{d}\right)_{4,5} = (0, 29...0, 69)$$

$$d_4 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 71470 \text{ Nmm}}{(0, 29...0, 69) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (37, 29...49, 82) \text{ mm}$$

$$d_5 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 268990 \text{ Nmm}}{(0, 29...0, 69) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (58...77, 5) \text{ mm}$$

$$b_4 = \left(\frac{b}{d}\right)_{4,5} \cdot d_4 = (10, 78...34, 33) \text{ mm}$$

$$b_5 = \left(\frac{b}{d}\right)_{4,5} \cdot d_5 = (16, 76...53, 4) \text{ mm}$$

- Z_6/Z_7 :

$$\left(\frac{b}{d}\right)_{6,7} = (0, 1...0, 5) + \frac{i_{6,7}}{20} \text{ mit } i_{6,7} = 1, 89$$

$$\left(\frac{b}{d}\right)_{6,7} = (0, 19...0, 59)$$

$$d_6 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 285870 \text{ Nmm}}{(0, 19...0, 59) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (62, 37...90, 95) \text{ mm}$$

$$d_7 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 268990 \text{ Nmm}}{(0, 19...0, 59) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (61, 09...89, 12) \text{ mm}$$

$$b_6 = \left(\frac{b}{d}\right)_{6,7} \cdot d_6 = (11, 84...53, 66) \text{ mm}$$

$$b_7 = \left(\frac{b}{d}\right)_{6,7} \cdot d_7 = (11, 61...52, 58) \text{ mm}$$

Profilverschiebung Z4/Z5:

- Vorauslegung:

$$a = 215 \text{ mm}, \alpha = \beta = 20^\circ$$

$$\left. \begin{array}{l} a = \frac{d_4 + d_5}{2} \\ i_{4,5} = \frac{d_5}{d_4} \end{array} \right\} d_4 = \frac{2 \cdot a}{1 + i_{4,5}}$$

$$d_4 = \frac{2 \cdot 215 \text{ mm}}{1 + 3,77} = 90,15 \text{ mm}$$

$$d_5 = d_4 \cdot i_{4,5} = 339,87 \text{ mm}$$

$$\text{Wähle: } m_n = 4 \text{ mm}$$

$$z_4 = \frac{90,15 \text{ mm} \cdot \cos(20^\circ)}{4} \text{ mm} = 21,18$$

$$z_5 = \frac{339,87 \text{ mm} \cdot \cos(20^\circ)}{4} \text{ mm} = 79,84$$

- endgültige Werte:

$$z_4 = 21, z_5 = 80$$

$$d_4 = \frac{21 \cdot 4 \text{ mm}}{\cos(20^\circ)} = 89,39093 \text{ mm}$$

$$d_5 = \frac{80 \cdot 4 \text{ mm}}{\cos(20^\circ)} = 340,53689 \text{ mm}$$

$$a^* = 214,96391 \text{ mm}$$

- Modul und Eingriffswinkel:

$$m_t = \frac{m_n}{\cos(\alpha)} = 4,257 \text{ mm}$$

$$\text{Eingriffswinkel Teilkreis: } \alpha_t = \tan^{-1} \left(\frac{\tan(\alpha)}{\cos(\beta)} \right) = 21,17283^\circ$$

$$\text{Eingriffswinkel Wälzkreis: } \alpha_{\omega t} = \arccos \left(\frac{a^*}{a} \cdot \cos \alpha_t \right) = 21,19765^\circ$$

$$\text{inv}(\alpha) = \tan(\alpha) - \alpha \cdot \frac{\pi}{180^\circ}$$

$$\text{inv}(\alpha_t) = 0,017793$$

$$\text{inv}(\alpha_{\omega t}) = 0,017858$$

- Profilverschiebungsfaktoren:

$$x_4 + x_5 = \frac{\text{inv}(\alpha_{\omega t}) - \text{inv}(\alpha_t)}{2 \cdot \alpha_{\omega t}} \cdot (z_4 + z_5) = \frac{a - a^*}{m_n} = 0,009$$

Profilverschiebung Z6/Z7:

- Vorauslegung:

$$a = 215 \text{ mm}, \alpha = \beta = 20^\circ$$

$$\left. \begin{array}{l} a = \frac{d_6 + d_7}{2} \\ i_{6,7} = \frac{d_7}{d_6} \end{array} \right\} d_6 = \frac{2 \cdot a}{1 + i_{6,7}}$$

$$d_6 = \frac{2 \cdot 215 \text{ mm}}{1 + 1,89} = 148,79 \text{ mm}$$

$$d_7 = d_6 \cdot i_{6,7} = 281,21 \text{ mm}$$

$$\text{Wähle: } m_n = 4 \text{ mm}$$

$$z_6 = \frac{148,79 \text{ mm} \cdot \cos(20^\circ)}{4} \text{ mm} = 34,95$$

$$z_7 = \frac{281,21 \text{ mm} \cdot \cos(20^\circ)}{4} \text{ mm} = 66,06$$

- endgültige Werte:

$$z_6 = 35, z_7 = 66$$

$$d_6 = \frac{35 \cdot 4 \text{ mm}}{\cos(20^\circ)} = 148,98489 \text{ mm}$$

$$d_7 = \frac{66 \cdot 4 \text{ mm}}{\cos(20^\circ)} = 280,942932 \text{ mm}$$

$$a^* = 214,96391 \text{ mm}$$

- Modul und Eingriffswinkel:

$$m_t = \frac{m_n}{\cos(\alpha)} = 4,257 \text{ mm}$$

$$\text{Eingriffswinkel Teilkreis: } \alpha_t = \tan^{-1} \left(\frac{\tan(\alpha)}{\cos(\beta)} \right) = 21,17283^\circ$$

$$\text{Eingriffswinkel Wälzkreis: } \alpha_{\omega t} = \arccos \left(\frac{a^*}{a} \cdot \cos \alpha_t \right) = 21,19765^\circ$$

$$\text{inv}(\alpha) = \tan(\alpha) - \alpha \cdot \frac{\pi}{180^\circ}$$

$$\text{inv}(\alpha_t) = 0,017793$$

$$\text{inv}(\alpha_{\omega t}) = 0,017858$$

- Profilverschiebungsfaktoren:

$$x_6 + x_7 = \frac{\text{inv}(\alpha_{\omega t}) - \text{inv}(\alpha_t)}{2 \cdot \alpha_{\omega t}} \cdot (z_6 + z_7) = \frac{a - a^*}{m_n} = 0,009$$

Erste Getriebestufe:

Wähle: $m = 2 \text{ mm}$, $d_2 = d_3 = 120 \text{ mm}$

$$d_1 = \frac{d_3}{i_{1,3}} = 40 \text{ mm}$$

$$z_1 = \frac{40 \text{ mm} \cdot \cos(20^\circ)}{2 \text{ mm}} \text{ mm} = 18,8 \implies z_8 = 19$$

$$z_2 = z_3 = z_1 \cdot i_{1,3} = 19 \cdot 3 = 57$$

$$d_{1,neu} = \frac{19 \cdot 2 \text{ mm}}{\cos(20^\circ)} = 40,44 \text{ mm}$$

$$d_{2,neu} = d_{3,neu} = \frac{57 \cdot 2 \text{ mm}}{\cos(20^\circ)} = 121,32 \text{ mm}$$

2.3.2 Planetengetriebe

Um das Planetengetriebe auszulegen, werden zunächst die Einzelübersetzungen ermittelt (siehe Roloff/Matek⁹ Seite 884). Anschließend wird der Mindestdurchmesser des Sonnenrades (Z8) bestimmt. Damit lassen sich dann durch Übersetzungsverhältnisse die Durchmesser der Planetenräder bestimmen.

Wähle $m = 2 \text{ mm}$

$$i_{8,9} = 1 - i_0 = 4$$

$$i_{9,8} = \frac{1}{1 - i_0} = 0,25$$

$$\left(\frac{b}{d}\right)_{9,8} = (0,1...0,5) + \frac{0,25}{20} = (0,11...0,51)$$

- Sonnenrad

$$d_8 \geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 71470 \text{ Nmm}}{(0,11...0,51) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (41,23...68,74) \text{ mm}$$

$$b_8 = \left(\frac{b}{d}\right)_{9,8} \cdot d_8 = (4,54...35,1) \text{ mm}$$

wähle: $d_8 = 70 \text{ mm}$, $b_8 = 35 \text{ mm}$

$$z_8 = \frac{d_8}{m} = 35$$

- Planetenräder

$$d_9 = \frac{i_{8,9} \cdot d_8}{2} - d_8 = 70 \text{ mm}$$

$$z_9 = \frac{d_9}{m} = 35$$

$$\text{Anzahl Planeten: } \frac{z_8 + z_{10}}{4} = 35 \implies 4 \text{ Planeten}$$

- Hohlrad:

$$d_{10} = d_8 + 2 \cdot d_9 = 210 \text{ mm}$$

wähle $b_9 = b_{10} = 30 \text{ mm}$

$$z_{10} = \frac{d_{10}}{m} = 105$$

⁹Vgl. [WJV15]

2.3.3 Kegelräder

Die Abmaße der Kegelräder werden mit den Formeln aus Roloff/Matek¹⁰ Seite 794 bis 797 ermittelt. Dabei werden zunächst Richtwerte ermittelt, auf deren Basis dann die endgültigen Abmaße bestimmt werden.

$$\begin{aligned}\text{Achsenwinkel } \sum &= \delta_{11} + \delta_{12} = 90^\circ \\ \delta_{11} &= \delta_{12} = 45^\circ, \text{ da die Übersetzung } i_{11,12} = 1\end{aligned}$$

Nach Tabelle 22-1 aus Roloff/Matek Tabellenbuch¹¹: $z_{11} = z_{12} = 30$

mittlerer Modul:

aus Roloff/Matek¹² Seite 802

$$\begin{aligned}m'_m &\geq \frac{(2, 4 \dots 2, 6) \cdot d_{sh}}{z} \\ m'_m &\geq \frac{(2, 4 \dots 2, 6) \cdot d_{IV}}{z_{11}} = \frac{(2, 4 \dots 2, 6) \cdot 40 \text{ mm}}{30} = (3, 2 \dots 3, 5) \text{ mm}\end{aligned}$$

Breitenverhältnis:

$$\begin{aligned}\frac{b}{d} &= \frac{\left((0, 1 \dots 0, 5) + \frac{i}{10}\right) \cdot i}{\sqrt{i^2 + 1}} \text{ mit } i_{11,12} = 1 \\ \frac{b}{d} &= (0, 14 \dots 0, 42) \\ \left. \begin{aligned} F_t &\geq B_{zul} \cdot d \cdot b \\ T &= \frac{d}{2} \cdot F_t \end{aligned} \right\} b \cdot d^2 &\geq \frac{2 \cdot T}{B_{zul}} \\ \Rightarrow d^3 &\geq \frac{2 \cdot T}{(0, 19 \dots 0, 51) \cdot B_{zul}} \text{ mit } T_{IV} = 268,99 \text{ Nm und } B_{zul} = 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ d_{11} &\geq \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 268990 \text{ Nmm}}{(0, 14 \dots 0, 42) \cdot 4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}} = (68, 42 \dots 98, 67) \text{ mm} \\ b_{11} &= (68, 42 \cdot 0, 14 \dots 98, 67 \cdot 0, 42) \text{ mm} = (9, 58 \dots 41, 44) \text{ mm}\end{aligned}$$

äußerer Teilkreisdurchmesser:

$$d_{e,min} = d_{m,min} + b_{min} \cdot \sin \delta_{11} = 68,42 \text{ mm} + 9,58 \text{ mm} \cdot \sin 45^\circ = 75,2 \text{ mm}$$

$$d_{e,max} = d_{m,max} + b_{max} \cdot \sin \delta_{11} = 98,67 \text{ mm} + 41,44 \text{ mm} \cdot \sin 45^\circ = 128 \text{ mm}$$

¹⁰Vgl. [WJV15]

¹¹Vgl. [Wit+15]

¹²Vgl. [WJV15]

äußere Teilkegellänge:

$$R_{e,min} = \frac{d_{e,min}}{2 \cdot \sin \delta_{11}} = 53,17 \text{ mm}$$

$$R_{e,max} = \frac{d_{e,max}}{2 \cdot \sin \delta_{11}} = 90,5 \text{ mm}$$

äußerer Modul:

$$m_e = \frac{d_e}{z_{11}} = \frac{(75,2 \dots 128)}{30} = (2,5 \dots 4,3) \text{ mm}$$

endgültige Abmaße:

$$b = 15 \text{ mm}$$

$$m_e = 4 \text{ mm}$$

$$d_{e,11} = d_{e,12} = z_{11} \cdot m_e = 30 \cdot 4 \text{ mm} = 120 \text{ mm}$$

$$R_e \geq 3 \cdot b = 45 \text{ mm}$$

$$R_e = \frac{d_{e,11}}{2 \cdot \sin \delta_{11}} = 84,85 \text{ mm}$$

- Zahnkopf-, Zahnfuß-, und Zahnhöhe:

$$h_{ae} = m_e = 4 \text{ mm}; h_{fe} = 1,25 \cdot m_e = 5 \text{ mm}; h_e = 2,25 \cdot m_e = 9 \text{ mm}$$

- äußerer Kopfkreisdurchmesser:

$$d_{ae,11} = m_e \cdot (z_{11} + 2 \cdot \cos \delta_{11}) = 125,66 \text{ mm}$$

$$d_{ae,12} = m_e \cdot (z_{12} + 2 \cdot \cos \delta_{12}) = 125,66 \text{ mm}$$

2.3.4 Kräfte

In allen Schaltstellungen wirkt beim Stirnfräsen ein höheres Moment auf die Zahnräder als beim Umfangsfräsen. Deswegen wird im Folgenden nur mit den Werten der Torsionsmomente vom Stirnfräsen gerechnet.

- Stirnradpaarungen

Die verwendeten Formeln stammen aus dem Skript KL III¹³ S. 7

$$F_t = \frac{2 \cdot T}{d}$$
$$F_r = \frac{F_t \cdot \tan \alpha_n}{\cos(\beta)}$$
$$F_a = F_t \cdot \tan(\beta)$$

¹³Vgl. [Pol17a]

Z1, Gang 4:

$$F_{t,1} = \frac{2 \cdot T_{I,4,S}}{d_1} = \frac{2 \cdot 95,29 \text{ Nm}}{0,0404 \text{ m}} = 4717,33 \text{ N}$$

$$F_{r,1} = \frac{4717,33 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ)}{\cos(20^\circ)} = 1827,16 \text{ N}$$

$$F_{a,1} = 4717,33 \cdot \tan(20^\circ) = 1716,97 \text{ N}$$

Z2, Gang 2:

$$F_{t,2} = \frac{2 \cdot T_{II,2,S}}{d_2} = \frac{2 \cdot 48,96 \text{ Nm}}{0,1213 \text{ m}} = 807,25 \text{ N}$$

$$F_{r,2} = \frac{807,25 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ)}{\cos(20^\circ)} = 312,67 \text{ N}$$

$$F_{a,2} = 807,25 \cdot \tan(20^\circ) = 293,81 \text{ N}$$

Z3, Gang 4:

$$F_{t,3} = \frac{2 \cdot T_{III,4,S}}{d_3} = \frac{2 \cdot 285,87 \text{ Nm}}{0,1213 \text{ m}} = 4713,44 \text{ N}$$

$$F_{r,3} = \frac{4713,44 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ)}{\cos(20^\circ)} = 1825,65 \text{ N}$$

$$F_{a,3} = 4713,44 \cdot \tan(20^\circ) = 1715,55 \text{ N}$$

Z4, Gang 4:

$$F_{t,4} = \frac{2 \cdot T_{II,4,S}}{d_4} = \frac{2 \cdot 71,47 \text{ Nm}}{0,0894 \text{ m}} = 1598,88 \text{ N}$$

$$F_{r,4} = \frac{1598,88 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ)}{\cos(20^\circ)} = 619,29 \text{ N}$$

$$F_{a,4} = 1598,88 \cdot \tan(20^\circ) = 581,94 \text{ N}$$

Z5, Gang 4:

$$F_{t,5} = \frac{2 \cdot T_{IV,4,S}}{d_5} = \frac{2 \cdot 268,99 \text{ Nm}}{0,3405 \text{ m}} = 1579,97 \text{ N}$$

$$F_{r,5} = \frac{1579,97 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ)}{\cos(20^\circ)} = 611,97 \text{ N}$$

$$F_{a,5} = 1579,97 \cdot \tan(20^\circ) = 575,06 \text{ N}$$

Z6, Gang 3:

$$F_{t,6} = \frac{2 \cdot T_{III,3,S}}{d_6} = \frac{2 \cdot 121,63 \text{ Nm}}{0,149 \text{ m}} = 1632,62 \text{ N}$$

$$F_{r,6} = \frac{1632,62 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ)}{\cos(20^\circ)} = 632,36 \text{ N}$$

$$F_{a,6} = 1632,62 \cdot \tan(20^\circ) = 594,23 \text{ N}$$

Z7, Gang 3:

$$F_{t,7} = \frac{2 \cdot T_{IV,3,S}}{d_7} = \frac{2 \cdot 229,28 \text{ Nm}}{0,2809 \text{ m}} = 1632,47 \text{ N}$$

$$F_{r,7} = \frac{1632,47 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ)}{\cos(20^\circ)} = 632,3 \text{ N}$$

$$F_{a,7} = 1632,47 \cdot \tan(20^\circ) = 594,17 \text{ N}$$

Kegelrad 8Formel aus Roloff/Matek¹⁴ Seite 795

Gegebene Werte: $M_8 = 59,42 \text{ Nm}$, $\delta_8 = 36,13^\circ$, $d_8 = 124 \text{ mm}$, $\alpha = 20^\circ$

$$d_{m,8} = d_8 - b_8 \cdot \sin \delta_8 = 124 \text{ mm} - 30 \text{ mm} \cdot \sin(36,13^\circ) = 106,31 \text{ mm}$$

$$F_{tm,8} = \frac{2 \cdot M_8}{d_{m,8}} = \frac{2 \cdot 59,42 \text{ Nm}}{0,10631 \text{ m}} = 1117,86 \text{ N}$$

$$F_{r,8} = F_{tm,8} \cdot \tan \alpha \cdot \cos \delta_8 = 328,62 \text{ N}$$

$$F_{a,8} = F_{tm,8} \cdot \tan \alpha \cdot \sin \delta_8 = 239,9 \text{ N}$$

2.4 Endgültige Abmaße

Bei der Konstruktion haben sich aufgrund der vorgegebenen Achsabstände und anderen konstruktiven Gründen einige Änderungen in den endgültigen Abmaßen der Zahnräder verändert. Deshalb werden im Folgenden alle endgültigen Werte dargestellt.

Stirnräder:

$d_1 = 40,4 \text{ mm}$	$b_1 = 32 \text{ mm}$
$d_2 = 121,3 \text{ mm}$	$b_2 = 30 \text{ mm}$
$d_3 = 121,3 \text{ mm}$	$b_3 = 30 \text{ mm}$
$d_4 = 89,4 \text{ mm}$	$b_4 = 32 \text{ mm}$
$d_5 = 340,5 \text{ mm}$	$b_5 = 30 \text{ mm}$
$d_6 = 149 \text{ mm}$	$b_6 = 32 \text{ mm}$
$d_7 = 280,9 \text{ mm}$	$b_7 = 30 \text{ mm}$
$d_8 = 70 \text{ mm}$	$b_8 = 35 \text{ mm}$
$d_9 = 70 \text{ mm}$	$b_9 = 30 \text{ mm}$
$d_{10} = 210 \text{ mm}$	$b_{10} = 30 \text{ mm}$

¹⁴Vgl. [WJV15]

Kegelräder:

$$d_{e,11} = d_{e,12} = 120 \text{ mm}$$

$$b_{11} = b_{12} = 15 \text{ mm}$$

$$R_e = 84,85 \text{ mm}$$

Überprüfung der Gesamtübersetzung:

- geforderte Gesamtübersetzung:

$$i_{ges,1} = \frac{n_{an}}{n_{IV,1}} = \frac{1200 \frac{1}{\min}}{53,05 \frac{1}{\min}} = 22,62$$

$$i_{ges,2} = \frac{n_{an}}{n_{IV,2}} = \frac{1200 \frac{1}{\min}}{106,1 \frac{1}{\min}} = 11,31$$

$$i_{ges,3} = \frac{n_{an}}{n_{IV,3}} = \frac{1200 \frac{1}{\min}}{212,2 \frac{1}{\min}} = 5,66$$

$$i_{ges,4} = \frac{n_{an}}{n_{IV,4}} = \frac{1200 \frac{1}{\min}}{424,4 \frac{1}{\min}} = 2,83$$

- tatsächliche Gesamtübersetzung:

$$i_{ges,1} = i_{1,2} \cdot i_{8,9} \cdot i_{6,7} = \frac{z_2}{z_1} \cdot i_{8,9} \cdot \frac{z_7}{z_6} = \frac{57}{19} \cdot 4 \cdot \frac{66}{35} = 22,63$$

$$i_{ges,2} = i_{1,2} \cdot i_{4,5} = \frac{z_2}{z_1} \cdot \frac{z_5}{z_4} = \frac{57}{19} \cdot \frac{80}{21} = 11,4$$

$$i_{ges,3} = i_{1,3} \cdot i_{6,7} = \frac{z_3}{z_1} \cdot \frac{z_7}{z_6} = \frac{57}{19} \cdot \frac{66}{35} = 5,66$$

$$i_{ges,4} = i_{1,3} \cdot i_{9,8} \cdot i_{4,5} = \frac{z_3}{z_1} \cdot i_{9,8} \cdot \frac{z_5}{z_4} = \frac{57}{19} \cdot 0,25 \cdot \frac{80}{21} = 2,857$$

maximale prozentuale Abweichung im Gang 4: $\frac{2,857}{2,83} = 1,00954 \implies 0,95\%$ Abweichung

Diese Abweichung liegt innerhalb der maximal erlaubten Abweichung von 1 Prozent.

3 Berechnung der Schnittkräfte

3.1 Berechnung der auf die Zahnräder wirkenden Kräfte

Da im Gang 4 das höchste Moment auf die Welle I wirkt, wird auch für diesen Gang der Schnittkräfteverlauf berechnet. Hierfür muss zuerst berechnet werden, welches Moment auf das jeweilige Zahnrad wirkt. Hierfür wird die folgende Beziehung genutzt:

$$M = \frac{P}{2\pi \cdot n_c}$$

Als Leistung wird hierbei die jeweils übertragene Leistung angenommen, d.h. auf Zahnrad 8 wirkt die Schnittleistung (die Leistung der Welle II) und auf Zahnrad 6 die Leistung der Welle IV.

$$M_8 = \frac{P_c}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{7466,91 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{60 \text{ s}}} = 59,42 \text{ Nm}$$

$$M_6 = \frac{P_{IV,2}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{94,31 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{60 \text{ s}}} = 0,75 \text{ Nm}$$

Stirnrad 6

Gegebene Werte: $M_6 = 0,75 \text{ Nm}$, $\alpha = 20^\circ$, $d_6 = 178 \text{ mm}$

$$F_{t,6} = \frac{2 \cdot M_6}{d_6} = \frac{2 \cdot 0,75 \text{ Nm}}{0,178 \text{ m}} = 8,43 \text{ N}$$

$$F_{r,6} = F_{t,6} \cdot \tan \alpha = 8,43 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ) = 3,07 \text{ N}$$

$$F_{a,6} = 0 \text{ N}$$

Kegelrad 8Formel aus Roloff/Matek¹⁵ Seite 795Gegebene Werte: $M_8 = 59,42 \text{ Nm}$, $\delta_8 = 36,13^\circ$, $d_8 = 124 \text{ mm}$, $\alpha = 20^\circ$

$$d_{\text{m},8} = d_8 - b_8 \cdot \sin \delta_8 = 124 \text{ mm} - 30 \text{ mm} \cdot \sin(36,13^\circ) = 106,31 \text{ mm}$$

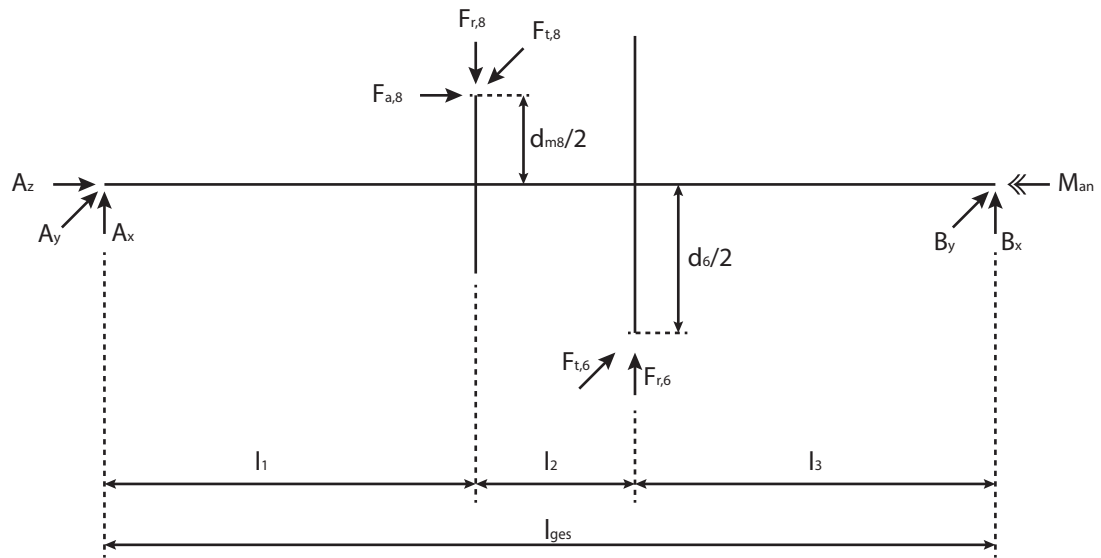
$$F_{\text{tm},8} = \frac{2 \cdot M_8}{d_{\text{m},8}} = \frac{2 \cdot 59,42 \text{ Nm}}{0,10631 \text{ m}} = 1117,86 \text{ N}$$

$$F_{\text{r},8} = F_{\text{tm},8} \cdot \tan \alpha \cdot \cos \delta_8 = 328,62 \text{ N}$$

$$F_{\text{a},8} = F_{\text{tm},8} \cdot \tan \alpha \cdot \sin \delta_8 = 239,9 \text{ N}$$

¹⁵Vgl. [WJV15]

3.2 Berechnung der Lagerreaktionen



Gegebene Werte:

$$l_1 = 409 \text{ mm}, \quad l_2 = 60,7 \text{ mm}, \quad l_3 = 366,5 \text{ mm}, \quad l_{ges} = 808,2 \text{ mm}, \quad F_K = 2318,49 \text{ N}$$

$$\sum F_z \stackrel{!}{=} 0 = A_z + F_{a,8} - F_K \implies A_z = -F_{a,8} + F_K = 2078,59 \text{ N}$$

$$\sum F_y \stackrel{!}{=} 0 = -A_y - B_y - F_{t,6} + F_{t,8}$$

$$\sum F_x \stackrel{!}{=} 0 = A_x + B_x - F_{r,8} + F_{r,6}$$

$$\sum M_y^{(A)} \stackrel{!}{=} 0 = l_1 \cdot F_{r,8} - (l_1 + l_2) \cdot F_{r,6} + \frac{d_{m,8}}{2} \cdot F_{a,8} - l_{ges} \cdot B_x$$

$$\implies B_x = \frac{F_{r,8} \cdot l_1 + F_{a,8} \cdot \frac{d_{m,8}}{2} - F_{r,6} \cdot (l_1 + l_2)}{l_{ges}} = 180,11 \text{ N}$$

$$\implies A_x = F_{r,8} - F_{r,6} - B_x = 145,44 \text{ N}$$

$$\sum M_x^{(A)} \stackrel{!}{=} 0 = l_{ges} \cdot B_y - l_1 \cdot F_{t,8} + (l_1 + l_2) \cdot F_{t,6}$$

$$\implies B_y = \frac{l_1 \cdot F_{t,8} - (l_1 + l_2) \cdot F_{t,6}}{l_{ges}} = 560,8 \text{ N}$$

$$\implies A_y = F_{t,8} - B_y - F_{t,6} = 548,63 \text{ N}$$

$$A_x = \underline{145,44 \text{ N}}$$

$$B_x = \underline{180,11 \text{ N}}$$

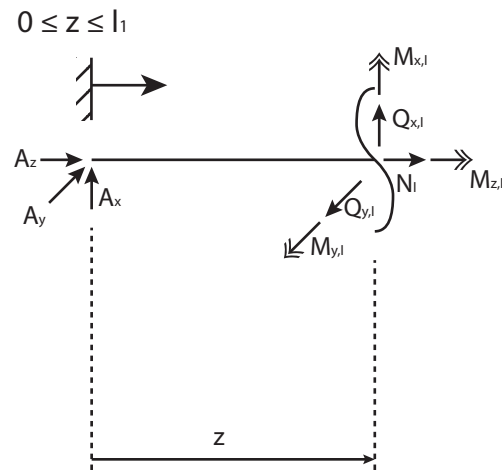
$$A_y = \underline{548,63 \text{ N}}$$

$$B_y = \underline{560,8 \text{ N}}$$

$$A_z = \underline{2078,59 \text{ N}}$$

3.3 Berechnung der Schnittkraftverläufe

i) Bereich I: $0 \leq z_1 \leq l_1$



$$\sum F_x \stackrel{!}{=} 0 = A_x + Q_{x,I} \quad \Rightarrow \quad Q_{x,I} = -A_x = -145,44 \text{ N}$$

$$\sum F_y \stackrel{!}{=} 0 = Q_{y,I} - A_y \quad \Rightarrow \quad Q_{y,I} = A_y = 548,63 \text{ N}$$

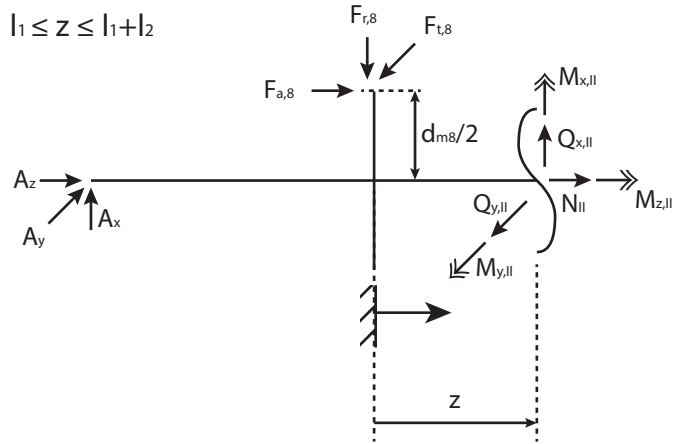
$$\sum F_z \stackrel{!}{=} 0 = A_z + N_I \quad \Rightarrow \quad N_I = -A_z = -2078,59 \text{ N}$$

$$\sum M_x^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 = M_{x,I} - z \cdot A_y \quad \Rightarrow \quad M_{x,I} = z \cdot A_y = 548,63 \text{ N} \cdot z$$

$$\sum M_y^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 = M_{y,I} - z \cdot A_x \quad \Rightarrow \quad M_{y,I} = z \cdot A_x = 154,44 \text{ N} \cdot z$$

$$\sum M_z^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 = M_{z,I} \quad \Rightarrow \quad M_{z,I} = 0 \text{ N}$$

ii) Bereich II: $0 \leq z_2 \leq l_2$



$$\sum F_x \stackrel{!}{=} 0 = A_x - F_{r,8} + Q_{x,II}$$

$$\Rightarrow Q_{x,II} = F_{r,8} - A_x = 183,18 \text{ N}$$

$$\sum F_y \stackrel{!}{=} 0 = -A_y + F_{t,8} + Q_{y,II}$$

$$\Rightarrow Q_{y,II} = A_y - F_{t,8} = -569,23 \text{ N}$$

$$\sum F_z \stackrel{!}{=} 0 = A_z + F_{a,8} + N_{II}$$

$$\Rightarrow N_{II} = -A_z - F_{a,8} = -2318,49 \text{ N}$$

$$\sum M_x^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 = M_{x,II} - (z_2 + l_1) \cdot A_y + z_2 \cdot F_{t,8}$$

$$\Rightarrow M_{x,II} = (z_2 + l_1) \cdot A_y - z_2 \cdot F_{t,8} = -569,23 \text{ N} \cdot z_2 + 224,39 \text{ Nm}$$

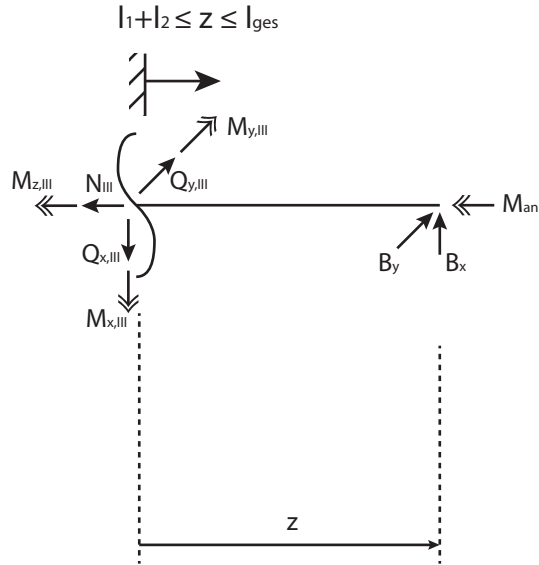
$$\sum M_y^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 = M_{y,II} - (z_2 + l_1) \cdot A_x + z_2 \cdot F_{r,8} - \frac{d_{m,8}}{2} \cdot F_{a,8}$$

$$\Rightarrow M_{y,II} = (z_2 + l_1) \cdot A_x - z_2 \cdot F_{r,8} + \frac{d_{m,8}}{2} \cdot F_{a,8} = 72,23 \text{ Nm} - 183,18 \text{ N} \cdot z_2$$

$$\sum M_z^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 = M_{z,II} + \frac{d_{m,8}}{2} \cdot F_{t,8}$$

$$\Rightarrow M_{z,II} = -\frac{d_{m,8}}{2} \cdot F_{t,8} = -59,42 \text{ N}$$

iii) Bereich III: $0 \leq z_3 \leq l_3$



$$\sum F_x \stackrel{!}{=} 0 = B_x - Q_{x,III} \implies Q_{x,III} = B_x = 180,11 \text{ N}$$

$$\sum F_y \stackrel{!}{=} 0 = -B_y - Q_{y,III} \implies Q_{y,III} = -B_y = -560,8 \text{ N}$$

$$\sum F_z \stackrel{!}{=} 0 = -N_{III} - F_K \implies N_{III} = -F_K = -2318,49 \text{ N}$$

$$\begin{aligned} \sum M_x^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 &= -M_{x,III} + (l_3 - z_3) \cdot B_y \\ \implies M_{x,III} &= (l_3 - z_3) \cdot B_y = 205,5 \text{ Nm} - 560,8 \text{ N} \cdot z_3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sum M_y^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 &= -M_{y,III} + B_x \cdot (l_3 - z_3) \\ \implies M_{y,III} &= (l_3 - z_3) \cdot B_x = 66 \text{ Nm} - 180,11 \text{ N} \cdot z_3 \end{aligned}$$

$$\sum M_z^{(P)} \stackrel{!}{=} 0 = -M_{z,III} - M_{an} \implies M_{z,III} = -M_{an} = -60,17 \text{ N}$$

Eckwerte:

Bereich i)

$$\begin{aligned}
N_{\text{I}}(0) &= N_{\text{I}}(l_1) = -2078,59 \text{ N} \\
Q_{x,\text{I}}(0) &= Q_{x,\text{I}}(l_1) = -145,44 \text{ N} \\
Q_{y,\text{I}}(0) &= Q_{y,\text{I}}(l_1) = 548,63 \text{ N} \\
M_{x,\text{I}}(0) &= 0 \text{ Nm} & M_{x,\text{I}}(l_1) &= 224,39 \text{ Nm} \\
M_{y,\text{I}}(0) &= 0 \text{ Nm} & M_{y,\text{I}}(l_1) &= 59,48 \text{ Nm} \\
M_{z,\text{I}}(0) &= M_{z,\text{I}}(l_1) = 0 \text{ Nm}
\end{aligned}$$

Bereich ii)

$$\begin{aligned}
N_{\text{II}}(0) &= N_{\text{II}}(l_2) = -2318,49 \text{ N} \\
Q_{x,\text{II}}(0) &= Q_{x,\text{II}}(l_2) = 183,18 \text{ N} \\
Q_{y,\text{II}}(0) &= Q_{y,\text{II}}(l_2) = -569,23 \text{ N} \\
M_{x,\text{II}}(0) &= 224,39 \text{ Nm} & M_{x,\text{II}}(l_2) &= 189,83 \text{ Nm} \\
M_{y,\text{II}}(0) &= 72,23 \text{ Nm} & M_{y,\text{II}}(l_2) &= 61,11 \text{ Nm} \\
M_{z,\text{II}}(0) &= M_{z,\text{II}}(l_2) = -59,42 \text{ Nm}
\end{aligned}$$

Bereich iii)

$$\begin{aligned}
N_{\text{III}}(0) &= N_{\text{III}}(l_3) = -2318,49 \text{ N} \\
Q_{x,\text{III}}(0) &= Q_{x,\text{III}}(l_3) = 180,11 \text{ N} \\
Q_{y,\text{III}}(0) &= Q_{y,\text{III}}(l_3) = -560,8 \text{ N} \\
M_{x,\text{III}}(0) &= 205,5 \text{ Nm} & M_{x,\text{III}}(l_3) &= 0 \text{ Nm} \\
M_{y,\text{III}}(0) &= 66 \text{ Nm} & M_{y,\text{III}}(l_3) &= 0 \text{ Nm} \\
M_{z,\text{III}}(0) &= M_{z,\text{III}}(l_3) = -61,11 \text{ Nm}
\end{aligned}$$

3.4 Resultierende Momente

$$|M_{b,res}(z)| = \sqrt{(M_{by}(z))^2 + (M_{bx}(z))^2}$$

Bereich i)

$$|M_{b,res}(z = 0)| = 0 \text{ Nm}$$

$$|M_{b,res}(z = l_1)| = 232,14 \text{ Nm}$$

Bereich ii)

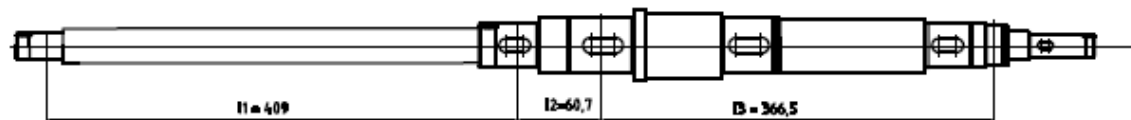
$$|M_{b,res}(z = l_1)| = 235,73 \text{ Nm}$$

$$|M_{b,res}(z = l_1 + l_2)| = 199,42 \text{ Nm}$$

Bereich iii)

$$|M_{b,res}(z = l_1 + l_2)| = 199,42 \text{ Nm}$$

$$|M_{b,res}(z = l_{ges})| = 0 \text{ Nm}$$



4 Dauerfestigkeitsberechnung für Welle I

In diesem Kapitel werden die beiden am meisten gefährdeten Querschnitte der Welle I auf Dauerfestigkeit und bleibende Verformung untersucht. Der Sicherheitsfaktor sollte dabei nach DIN 743 mindestens $S_{min} = 1,2$ betragen.

4.1 Werkstoffkennwerte

Als Werkstoff wurde der Vergütungsstahl 34CrMo4 gewählt. Die folgenden Festigkeitswerte stammen aus der Tabelle A.4 der DIN 743 - 3.

$$R_{p0,2} = 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = \sigma_S$$

$$R_m = 1000 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = \sigma_B$$

$$\sigma_{zdW} = 400 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$\sigma_{bW} = 500 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$\tau_{tW} = 300 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

4.2 Passfedernutberechnung

Der Durchmesser des gefährdeten Absatzes ist $d = 40$ mm. Die Sicherheit der Passfeder-Verbindung wird bei Umlaufbiegung und statischer Torsion berechnet. Da hier die Dauerfestigkeit betrachtet wird, wird mit dem im Betrieb wirksamen Torsionsmoment gerechnet anstatt den Sicherheitsfaktor der Kupplung mit einzubeziehen.

Als Bezugsdurchmesser wird $d_{BK} = 40$ mm verwendet.

Wirkende Spannungen (nach DIN 743 - 1 Tabelle 1)

$$\begin{aligned}\sigma_{zda} &= \frac{F_{zda}}{A} = \frac{N}{\frac{\pi \cdot d^2}{4}} = \frac{2318,49 \text{ N}}{1256,6 \text{ mm}^2} = 1,85 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ \sigma_{ba} &= \frac{M_{ba}}{A} = \frac{|M_{b,res}(z = 409 \text{ mm})|}{\frac{\pi \cdot d^3}{32}} = \frac{235730 \text{ Nmm}}{6283,19 \text{ mm}^3} = 37,52 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ \tau_{ta} &= \frac{M_{ta}}{A} = \frac{M_I}{\frac{\pi \cdot d^3}{16}} = \frac{60170 \text{ Nmm}}{12566,37 \text{ mm}^3} = 4,79 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}$$

Gesamteinflussfaktor für Biegung

Die folgenden Formeln stammen, soweit nichts anderes vermerkt, aus der DIN 743 - 2.

- Technologischer Größeneinflussfaktor $K_1(d_{eff})$

mit $d_{eff} = 40 \text{ mm}$ und $d_B = 16 \text{ mm}$

$$\text{Streckgrenze Vergütungsstahl: } K_{1,Re}(d_{eff}) = 1 - 0,34 \lg\left(\frac{d_{eff}}{d_B}\right) = 0,865 \quad (14)$$

$$\text{Zugfestigkeit Vergütungsstahl: } K_{1,Rm}(d_{eff}) = 1 - 26 \lg\left(\frac{d_{eff}}{d_B}\right) = 0,897 \quad (12)$$

- Kerbwirkungszahl $\beta_\sigma(d_{BK})$

$$\begin{aligned}\sigma_B(d) &= \sigma_B \cdot K_{1,Rm}(d_{eff} = 40 \text{ mm}) = 897 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ \implies \beta_\sigma(d_{BK}) &= 2,89 \quad (\text{Tabelle 1})\end{aligned}$$

- Geometrischer Größeneinflussfaktor $K_3(d)$ (17)

$$\begin{aligned}K_3(d) &= 1 - 0,2 \cdot \lg(\beta_\sigma(d_{BK})) \cdot \frac{\lg(d/7,5 \text{ mm})}{\lg 20} \\ &= 0,949 \\ K_3(d_{BK}) &= 1 - 0,2 \cdot \lg(\beta_\sigma(d_{BK})) \cdot \frac{\lg(d_{BK}/7,5 \text{ mm})}{\lg 20} \\ &= 0,949\end{aligned}$$

- Kerbwirkungszahl β_σ für d (3)

$$\beta_\sigma = \beta_\sigma(d_{BK}) \cdot \frac{K_3(d_{BK})}{K_3(d)} = 2,89$$

- Geometrischer Größeneinflussfaktor $K_2(d)$ (16)

$$K_2(d) = 1 - 0,2 \cdot \frac{\lg(d/7,5 \text{ mm})}{\lg 20} = 0,888$$

- Einflussfaktor der Oberflächenrauheit (aus KL III ¹⁶ Abb. 6.4.9)

$$K_{F\sigma} = 0,88 \text{ mit } R_z = 6,3$$

- Einflussfaktor der Oberflächenverfestigung (aus KL III ¹⁷ Seite 172)

$$K_V = 1$$

- Gesamteinflussfaktor K_σ aus DIN 743 - 1 (8)

$$K_\sigma = \left(\frac{\beta_\sigma}{K_2(d)} + \frac{1}{K_{F\sigma}} - 1 \right) \cdot \frac{1}{K_V} = 3,39$$

Vorhandene Sicherheitszahl für Dauerfestigkeitsnachweis nach Belastungsfall 1

verwendete Formeln aus der DIN 743 - 1

- Vergleichsmittelspannung (23)

$$\begin{aligned}\sigma_{mv} &= \sqrt{\sigma_{bm}^2 + 3 \cdot \tau_{tm}^2} \\ \sigma_{bm} &= 0 \text{ (da Umlaufbiegung vorliegt)} \\ \tau_{tm} &= \tau_{ta} = 4,79 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ \implies \sigma_{mv} &= 8,3 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}$$

- Bauteilwecheselfestigkeit σ_{bWK} (6)

$$\begin{aligned}\sigma_{bWK} &= \frac{\sigma_{bW} \cdot K_{1,Rm}(d_{eff})}{K_\sigma} \\ &= \frac{500 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \cdot 0,897}{3,39} = 132,3 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}$$

¹⁶Vgl. [Pol17a]

¹⁷Vgl. [Pol17a]

- Einflussfaktor der Mittelspannungsempfindlichkeit $\Psi_{b\sigma K}$ (21)

$$\begin{aligned}\Psi_{b\sigma K} &= \frac{\sigma_{bWK}}{2 \cdot K_{1,Rm}(d_{eff}) \cdot \sigma_B(d_B) - \sigma_{bWK}} \\ &= \frac{132,3 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}{2 \cdot 0,897 \cdot 1000 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 132,3 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} = 0,08\end{aligned}$$

- Spannungsamplitude der Bauteildauerfestigkeit σ_{bADK} (11)

$$\begin{aligned}\sigma_{bADK} &= \sigma_{bWK} - \Psi_{b\sigma K} \cdot \sigma_{mv} \\ &= 132,3 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 0,08 \cdot 8,3 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 131,6 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}$$

- vorhandene Sicherheitszahl S (3)

$$S = \frac{\sigma_{bADK}}{\sigma_{ba}} = \frac{131,6 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}{37,52 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} = 3,5$$

Vorhandene Sicherheitszahl S für Nachweis gegen Überschreiten der Fließgrenze

verwendete Formeln aus der DIN 743 - 1

- Statische Stützwirkung K_{2F} für Biegung und Torsion nach Tabelle 3

$$K_{2F\sigma} = 1,2$$

$$K_{2F\tau} = 1,2$$

- Erhöhungsfaktor der Fließgrenze $\gamma_{F\sigma}$ nach Tabelle 2

$$\gamma_{F\sigma} = 1,1 \text{ (Beanspruchung Biegung bei } \beta_{\sigma} = 2,86)$$

$$\gamma_{F\tau} = 1$$

- Bauteilfließgrenze

$$\begin{aligned}\sigma_{bFK} &= K_{1,Re}(d_{eff}) \cdot K_{2F} \cdot \gamma_{F\sigma} \cdot \sigma_S(d_B) \\ &= 0,865 \cdot 1,2 \cdot 1,1 \cdot 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}\quad (31)$$

$$\begin{aligned}&= 913,44 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ \tau_{tFK} &= K_{1,Re}(d_{eff}) \cdot K_{2F} \cdot \gamma_{F\tau} \cdot \sigma_S(d_B) / \sqrt{3} \\ &= 0,865 \cdot 1,2 \cdot 1,1 \cdot 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} / \sqrt{3} \\ &= 479,43 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}\quad (32)$$

- Vorhandene Sicherheitszahl S Hier wird eine stoßartige Belastung der Passfeder angenommen, da es aufgrund der wirkenden Schnittkräfte an Welle II zu leichten Stößen kommen kann.

$$\begin{aligned}\sigma_{bmax} &= 1,5 \cdot \sigma_{ba} = 56,28 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ \tau_{tmax} &= 1,5 \cdot \tau_m = 7,19 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ S &= \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{\sigma_{bmax}}{\sigma_{bFK}}\right)^2 + \left(\frac{\tau_{tmax}}{\tau_{tFK}}\right)^2}} \\ &= 15,8\end{aligned}\quad (25)$$

Die Berechnung zeigt, dass die Passfedernut gegen Dauerbruch und bleibende Verformung ausreichend ausgelegt wurde und somit der Belastung stand hält.

4.3 Freistichberechnung

Abmessungen:

$$\begin{aligned}
 D &= 50 \text{ mm} & \frac{r}{t} &= 0,15 \\
 d &= 39,4 \text{ mm} & \frac{r}{d} &= 0,02 \\
 r &= 0,8 \text{ mm} & \frac{d}{D} &= 0,788 \\
 t &= \frac{D-d}{2} = 5,3 \text{ mm}
 \end{aligned}$$

Wirkende Spannungen (nach DIN 743 - 1 Tabelle 1)

$$\begin{aligned}
 \sigma_{zda} &= \frac{F_{zda}}{A} = \frac{N}{\frac{\pi \cdot d^2}{4}} = \frac{2318,49 \text{ N}}{1219,22 \text{ mm}^2} = 1,9 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\
 \sigma_{ba} &= \frac{M_{ba}}{A} = \frac{|M_{b,res}(z = 409 \text{ mm})|}{\frac{\pi \cdot d^3}{32}} = \frac{235730 \text{ Nmm}}{6004,66 \text{ mm}^3} = 39,26 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\
 \tau_{ta} &= \frac{M_{ta}}{A} = \frac{M_I}{\frac{\pi \cdot d^3}{16}} = \frac{60170 \text{ Nmm}}{12009,32 \text{ mm}^3} = 5,01 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}
 \end{aligned}$$

Gesamteinflussfaktor

Die folgenden Formeln stammen, soweit nichts anderes vermerkt, aus der DIN 743 - 2.

- Bezogenes Spannungsgefälle G' (Tabelle 2)

$$\begin{aligned}
 \text{Hilfsgröße } \Phi &= \frac{1}{4 \cdot \sqrt{\frac{t}{r}} + 2} = 0,08 \\
 G'_{ZD} &= \frac{2,3 \cdot (1 + \Phi)}{r} = 3,12 \frac{1}{\text{mm}} \\
 G'_B &= G'_{ZD} = 3,12 \frac{1}{\text{mm}} \\
 G'_T &= \frac{1,15}{r} = 1,44 \frac{1}{\text{mm}}
 \end{aligned}$$

- Technologischer Größeneinflussfaktor $K_1(d_{eff})$

zur Vereinfachung wird angenommen $d_{eff} = D = 50 \text{ mm}$ und $d_B = 16 \text{ mm}$

Streckgrenze Vergütungsstahl: $K_{1,Re}(d_{eff}) = 1 - 0,34 \lg \left(\frac{d_{eff}}{d_B} \right) = 0,83$ (14)

Zugfestigkeit Vergütungsstahl: $K_{1,Rm}(d_{eff}) = 1 - 26 \lg \left(\frac{d_{eff}}{d_B} \right) = 0,87$ (12)

- Formzahl α

$$\alpha_{\sigma ZD} = 1 + \frac{1}{\sqrt{0,62 \cdot \frac{r}{t} + 7 \cdot \frac{r}{d} (1 + 2 \cdot \frac{r}{d})^2}} = 3,02 \quad (\text{Bild 8})$$

$$\alpha_{\sigma B} = 1 + \frac{1}{\sqrt{0,62 \cdot \frac{r}{t} + 11,6 \cdot \frac{r}{d} (1 + 2 \cdot \frac{r}{d})^2 + 0,2 \cdot (\frac{r}{t})^3 \cdot \frac{d}{D}}} = 2,7 \quad (\text{Bild 9})$$

$$\alpha_{\tau} = 1 + \frac{1}{\sqrt{3,4 \cdot \frac{r}{t} + 38 \cdot \frac{r}{d} (1 + 2 \cdot \frac{r}{d})^2 + (\frac{r}{t})^2 \cdot \frac{d}{D}}} = 1,86 \quad (\text{Bild 10})$$

- Stützziffer n (5)

$$n = 1 + \sqrt{G' \cdot \text{mm}} \cdot 10^{-\left(0,33 + \frac{\sigma_S(d)}{712 \cdot \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}\right)}$$

$$\text{mit } \sigma_S(d) = K_{1,Re}(d_{eff}) \cdot \sigma_S(d_B)$$

$$= 0,83 \cdot 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 664 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$n_{ZD} = n_B = 1 + \sqrt{3,12} \cdot 10^{-(0,33 + \frac{664}{712})}$$

$$= 1,1$$

$$n_{\tau} = 1 + \sqrt{1,44} \cdot 10^{-(0,33 + \frac{664}{712})}$$

$$= 1,07$$

Formel für σ_S aus Skript KL III ¹⁸ S.168

- Kerbwirkungszahl β (4)

$$\beta_{\sigma ZD} = \frac{\alpha_{\sigma ZD}}{n_{ZD}} = 2,75$$

$$\beta_{\sigma B} = \frac{\alpha_{\sigma B}}{n_B} = 2,45$$

$$\beta_{\tau} = \frac{\alpha_{\sigma \tau}}{n_{\tau}} = 1,74$$

¹⁸Vgl. [Pol17a]

- Geometrischer Größeneinflussfaktor $K_2(d)$

$$\text{Zug/Druck: } K_{2ZD}(d) = 1 \quad (15)$$

$$\text{Biegung/Torsion: } K_{2B,\tau}(d) = 1 - 0,2 \cdot \frac{\lg(d/7,5 \text{ mm})}{\lg 20} = 0,89 \quad (16)$$

- Einflussfaktor der Oberflächenrauheit $K_{F\sigma,\tau}$ (Skript KL III ¹⁹ S.171)

$$\text{Zug/Druck \& Biegung: } K_{F\sigma} = 1 - 0,22 \cdot \lg\left(\frac{Rz}{\mu m}\right) \cdot \left(\lg\left(\frac{\sigma_B(d)}{20} \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\right) - 1\right) \quad (18)$$

$$\text{mit } \sigma_B(d) = K_{1,Re}(d_{eff}) \cdot \sigma_B(d_B)$$

$$= 0,83 \cdot 1000 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 830 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$\implies K_{F\sigma} = 0,89$$

$$\text{Torsion: } K_{F\tau} = 0,575 \cdot K_{F\sigma} + 0,425 = 0,937 \quad (19)$$

- Einflussfaktor der Oberflächenverfestigung (aus KL III ²⁰ Seite 172)

$$K_V = 1$$

- Gesamteinflussfaktor K_σ nach DIN 743 - 1

$$\text{Zug/Druck: } K_{\sigma ZD} = \left(\frac{\beta_{\sigma ZD}}{K_{2ZD}(d)} + \frac{1}{K_{F\sigma}} - 1 \right) \cdot \frac{1}{K_V} \quad (8)$$

$$= \left(\frac{2,75}{1} + \frac{1}{0,89} - 1 \right) \cdot \frac{1}{1}$$

$$= 2,87$$

$$\text{Biegung: } K_{\sigma B} = \left(\frac{\beta_{\sigma B}}{K_{2B}(d)} + \frac{1}{K_{F\sigma}} - 1 \right) \cdot \frac{1}{K_V} \quad (8)$$

$$= \left(\frac{2,45}{0,89} + \frac{1}{0,89} - 1 \right) \cdot \frac{1}{1}$$

$$= 2,88$$

$$\text{Torsion: } K_\tau = \left(\frac{\beta_\tau}{K_{2\tau}(d)} + \frac{1}{K_{F\tau}} - 1 \right) \cdot \frac{1}{K_V} \quad (9)$$

$$= \left(\frac{1,74}{0,89} + \frac{1}{0,937} - 1 \right) \cdot \frac{1}{1}$$

$$= 2,02$$

¹⁹Vgl. [Pol17a]

²⁰Vgl. [Pol17a]

Vorhandene Sicherheitszahl für Dauerfestigkeitsnachweis nach Belastungsfall 1

verwendete Formeln aus der DIN 743 - 1

- Vergleichsmittelspannung

$$\sigma_{mv} = \sqrt{(\sigma_{zdm} + \sigma_{bm})^2 + 3 \cdot \tau_{tm}^2} \quad (23)$$

$$\begin{aligned} &= \sqrt{(1,9 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} + 0)^2 + 3 \cdot (5,01 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2})^2} \\ &= 8,88 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \\ \tau_{mv} &= \frac{\sigma_{mv}}{\sqrt{3}} = 5,13 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \end{aligned} \quad (24)$$

- Bauteilwecheselfestigkeit σ_{WK}

$$\begin{aligned} \sigma_{zdWK} &= \frac{\sigma_{zdW} \cdot K_{1,Rm}(d_{eff})}{K_{\sigma ZD}} \\ &= \frac{400 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \cdot 0,87}{2,87} = 121,25 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \end{aligned} \quad (5)$$

$$\begin{aligned} \sigma_{bWK} &= \frac{\sigma_{bW} \cdot K_{1,Rm}(d_{eff})}{K_{\sigma B}} \\ &= \frac{500 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \cdot 0,87}{2,88} = 135,4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \end{aligned} \quad (6)$$

$$\begin{aligned} \tau_{tWK} &= \frac{\tau_{tW} \cdot K_{1,Rm}(d_{eff})}{K_{\tau}} \\ &= \frac{300 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \cdot 0,87}{2,02} = 129,2 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \end{aligned} \quad (7)$$

- Einflussfaktor der Mittelspannungsempfindlichkeit Ψ_K

$$\begin{aligned} \Psi_{zd\sigma K} &= \frac{\sigma_{zdWK}}{2 \cdot K_{1,Rm}(d_{eff}) \cdot \sigma_B(d_B) - \sigma_{zdWK}} \\ &= \frac{121,25 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}{2 \cdot 0,87 \cdot 1000 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 121,25 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} = 0,075 \end{aligned} \quad (20)$$

$$\begin{aligned} \Psi_{b\sigma K} &= \frac{\sigma_{bWK}}{2 \cdot K_{1,Rm}(d_{eff}) \cdot \sigma_B(d_B) - \sigma_{bWK}} \\ &= \frac{135,4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}{2 \cdot 0,87 \cdot 1000 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 135,4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} = 0,08 \end{aligned} \quad (21)$$

$$\begin{aligned} \Psi_{\tau K} &= \frac{\tau_{tWK}}{2 \cdot K_{1,Rm}(d_{eff}) \cdot \sigma_B(d_B) - \tau_{tWK}} \\ &= \frac{129,2 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}}{2 \cdot 0,87 \cdot 1000 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 129,2 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}} = 0,08 \end{aligned} \quad (22)$$

- Spannungsamplitude der Bauteildauerfestigkeit

$$\begin{aligned}\sigma_{zdADK} &= \sigma_{zdWK} - \Psi_{zd\sigma K} \cdot \sigma_{mv} \\ &= 121,25 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 0,075 \cdot 8,88 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 120,58 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}\quad (10)$$

$$\begin{aligned}\sigma_{bADK} &= \sigma_{bWK} - \Psi_{b\sigma K} \cdot \sigma_{mv} \\ &= 135,4 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 0,08 \cdot 8,88 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 134,69 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}\quad (11)$$

$$\begin{aligned}\tau_{tADK} &= \tau_{tWK} - \Psi_{\tau K} \cdot \tau_{mv} \\ &= 129,2 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} - 0,08 \cdot 5,13 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 128,79 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}\end{aligned}\quad (12)$$

- vorhandene Sicherheitszahl S

$$\begin{aligned}S &= \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{\sigma_{zda}}{\sigma_{zdADK}} + \frac{\sigma_{ba}}{\sigma_{bADK}}\right)^2 + \left(\frac{\tau_{ta}}{\tau_{tADK}}\right)^2}} \\ S &= 3,23\end{aligned}\quad (2)$$

Vorhandene Sicherheitszahl S für Nachweis gegen Überschreiten der Fließgrenze

verwendete Formeln aus der DIN 743 - 1

- Statische Stützwirkung K_{2F} nach Tabelle 3

$$K_{2F\sigma zd} = 1$$

$$K_{2F\sigma b} = 1,2$$

$$K_{2F\tau} = 1,2$$

- Erhöhungsfaktor der Fließgrenze γ_F nach Tabelle 2

$$\gamma_{F\sigma} = 1,1 \text{ (Für } \beta_{\sigma} = 2,0 \text{ bis } 3,0)$$

$$\gamma_{F\tau} = 1$$

- Bauteilfließgrenze

$$\sigma_{zd,bFK} = K_{1,Re}(d_{eff}) \cdot K_{2F\sigma} \cdot \gamma_{F\sigma} \cdot \sigma_S(d_B) \quad (31)$$

$$\sigma_{zdFK} = 0,83 \cdot 1 \cdot 1,1 \cdot 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$= 730 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$\sigma_{bFK} = 0,83 \cdot 1,2 \cdot 1,1 \cdot 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$= 876,48 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$\tau_{tFK} = K_{1,Re}(d_{eff}) \cdot K_{2F\tau} \cdot \gamma_{F\tau} \cdot \sigma_S(d_B) / \sqrt{3} \quad (32)$$

$$= 0,83 \cdot 1,2 \cdot 1,1 \cdot 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} / \sqrt{3}$$

$$= 460 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

- Vorhandene Sicherheitszahl S Für diesen Fall wird mit den wirkenden Spannungsamplituden als maximale Spannungen gerechnet, da keine stoßartige Belastung angenommen wird.

$$S = \frac{1}{\sqrt{\left(\frac{\sigma_{zdmax}}{\sigma_{zdFK}} + \frac{\sigma_{bmax}}{\sigma_{bFK}}\right)^2 + \left(\frac{\tau_{tmax}}{\tau_{tFK}}\right)^2}} \quad (25)$$

$$= 20,56$$

Die Schwachstelle 2, also der Freistich, ist ebenfalls gegen Dauerbruch und plastische Verformung ausreichend ausgelegt.

5 Lagerlebensdauerberechnung

5.1 Berechnung der Lagerkräfte im Gang 1

Der folgende Rechenweg entspricht dem aus den Kapiteln 3.1 und 3.2. Anstelle des Zahnrades 6 wird nun Zahnrad 4 betrachtet, da dieses im 1. Gang im Eingriff ist.

- Auf die Zahnräder wirkende Kräfte:

$$M_8 = \frac{P_{c,1}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{3311,85 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{60 \text{ s}}} = 26,35 \text{ Nm}$$

$$d_{m,8} = d_8 - b_8 \cdot \sin \delta_8 = 124 \text{ mm} - 30 \text{ mm} \cdot \sin(36,13^\circ) = 106,31 \text{ mm}$$

$$F_{tm,8} = \frac{2 \cdot M_8}{d_{m,8}} = \frac{2 \cdot 26,35 \text{ Nm}}{0,10631 \text{ m}} = 495,72 \text{ N}$$

$$F_{r,8} = F_{tm,8} \cdot \tan \alpha \cdot \cos \delta_8 = 145,73 \text{ N}$$

$$F_{a,8} = F_{tm,8} \cdot \tan \alpha \cdot \sin \delta_8 = 106,38 \text{ N}$$

$$M_4 = \frac{P_{IV,1}}{2\pi \cdot n_{an}} = \frac{21,89 \text{ W}}{2\pi \cdot 1200 \frac{1}{60 \text{ s}}} = 0,17 \text{ Nm}$$

$$F_{t,4} = \frac{2 \cdot M_4}{d_4} = \frac{2 \cdot 0,17 \text{ Nm}}{0,085 \text{ m}} = 4 \text{ N}$$

$$F_{r,4} = F_{t,6} \cdot \tan \alpha = 4 \text{ N} \cdot \tan(20^\circ) = 1,46 \text{ N}$$

$$F_{a,4} = 0 \text{ N}$$

- Berechnung der Lagerkräfte:

Gegebene Werte:

$$l_1 = 409 \text{ mm}, \quad l_2 = 205 \text{ mm}, \quad l_3 = 194,2 \text{ mm}$$

$$l_{\text{ges}} = 808,2 \text{ mm}, \quad F_K = 2318,49 \text{ N}$$

$$\sum F_z \stackrel{!}{=} 0 = A_z + F_{a,8} - F_K \implies A_z = -F_{a,8} + F_K = 2212,11 \text{ N}$$

$$\sum F_y \stackrel{!}{=} 0 = -A_y - B_y - F_{t,4} + F_{t,8}$$

$$\sum F_x \stackrel{!}{=} 0 = A_x + B_x - F_{r,8} + F_{r,6}$$

$$\sum M_y^{(A)} \stackrel{!}{=} 0 = l_1 \cdot F_{r,4} - (l_1 + l_2) \cdot F_{r,6} + \frac{d_{m,8}}{2} \cdot F_{a,8} - l_{\text{ges}} \cdot B_x$$

$$\implies B_x = \frac{F_{r,8} \cdot l_1 + F_{a,8} \cdot \frac{d_{m,8}}{2} - F_{r,4} \cdot (l_1 + l_2)}{l_{\text{ges}}} = 79,64 \text{ N}$$

$$\implies A_x = F_{r,8} - F_{r,4} - B_x = 64,63 \text{ N}$$

$$\sum M_x^{(A)} \stackrel{!}{=} 0 = l_{\text{ges}} \cdot B_y - l_1 \cdot F_{t,8} + (l_1 + l_2) \cdot F_{t,4}$$

$$\implies B_y = \frac{l_1 \cdot F_{t,8} - (l_1 + l_2) \cdot F_{t,4}}{l_{\text{ges}}} = 247,83 \text{ N}$$

$$\implies A_y = F_{t,8} - B_y - F_{t,4} = 243,89 \text{ N}$$

$$A_x = \underline{64,63 \text{ N}}$$

$$B_x = \underline{79,64 \text{ N}}$$

$$A_y = \underline{243,89 \text{ N}}$$

$$B_y = \underline{247,83 \text{ N}}$$

$$A_z = \underline{2212,11 \text{ N}}$$

5.2 Berechnung der äquivalenten dynamischen Lagerbelastung

Die Formeln für die Berechnung stammen aus dem Skript KL III²¹ Seite 73 bis 74. Die Werte für die statische und dynamisch Tragzahl stammen aus dem Tabellenbuch Roloff/-Matek²² Seite 152.

Gang 1, Festlager:

2 Schrägkugellager in X-Anordnung, DIN 628-7205B

- gegebene Werte:

n_{an}	$= 1200 \frac{1}{\text{min}}$
statische Tragzahl Einzellager $C_{0,Einzel}$	$= 9300 \text{ N}$
statische Tragzahl C_0	$= 2 \cdot C_{0,Einzel} = 18600 \text{ N}$
dynamische Tragzahl Einzellager C_{Einzel}	$= 14600 \text{ N}$
dynamische Tragzahl C	$= 1,62 \cdot C_{Einzel} = 23652 \text{ N}$
Lebensdauerexponent p	$= 3 \text{ (für Wälzlager)}$
F_{Ax}	$= 64,63 \text{ N}$
F_{Ay}	$= 243,89 \text{ N}$
F_{Az}	$= 2212,11 \text{ N}$

- Berechnung der äquivalenten dynamischen Belastung

dynamische radiale Lagerkraft F_r	$= \sqrt{F_{Ax}^2 + F_{Ay}^2} = 252,3 \text{ N}$
dynamische axiale Lagerkraft F_a	$= F_{Az} = 2212,11 \text{ N}$
Belastungsfaktor e	$= 1,14 \text{ (für Schrägkugellager)}$

$$\frac{F_a}{F_r} = 8,77 \implies \frac{F_a}{F_r} > e$$

²¹Vgl. [Pol17a]

²²Vgl. [Wit+15]

Deshalb folgt aus Tabelle 2.9 im Skript KL III²³ : $X = 0,57$, $Y = 0,93$

Die äquivalente dynamische Belastung ergibt sich zu:

$$P = X \cdot F_r + Y \cdot F_a = 2201,1 \text{ N}$$

Gang 1, Loslager:

Rillenkugellager, DIN 625-6007

- gegebene Werte:

n_{an}	$= 1200 \frac{1}{\text{min}}$
statische Tragzahl C_0	$= 10200 \text{ N}$
dynamische Tragzahl C	$= 16000 \text{ N}$
Lebensdauerexponent p	$= 3$
F_{Bx}	$= 79,64 \text{ N}$
F_{By}	$= 247,83 \text{ N}$

- Berechnung der äquivalenten dynamischen Belastung

dynamische radiale Lagerkraft F_r	$= \sqrt{F_{Bx}^2 + F_{By}^2} = 260,31 \text{ N}$
dynamische axiale Lagerkraft F_a	$= F_{Bz} = 0 \text{ N}$

Da es sich um eine reine Radialbelastung handelt, ergeben sich der Radial- und Axialfaktor zu: $X = 1$ und $Y = 0$

Daraus ergibt sich die äquivalente dynamische Lagerbelastung zu:

$$P = X \cdot F_r = 260,31 \text{ N}$$

²³Vgl. [Pol17a]

Gang 2, Festlager:

2 Schrägkugellager in X-Anordnung, DIN 628-7205B

- gegebene Werte:

n_{an}	$= 1200 \frac{1}{\text{min}}$
statische Tragzahl Einzellager $C_{0,Einzel}$	$= 9300 \text{ N}$
statische Tragzahl C_0	$= 2 \cdot C_{0,Einzel} = 18600 \text{ N}$
dynamische Tragzahl Einzellager C_{Einzel}	$= 14600 \text{ N}$
dynamische Tragzahl C	$= 1,62 \cdot C_{Einzel} = 23652 \text{ N}$
Lebensdauerexponent p	$= 3$
F_{Ax}	$= 145,44 \text{ N}$
F_{Ay}	$= 548,63 \text{ N}$
F_{Az}	$= 2078,59 \text{ N}$

- Berechnung der äquivalenten dynamischen Belastung

dynamische radiale Lagerkraft F_r	$= \sqrt{F_{Ax}^2 + F_{Ay}^2} = 567,58 \text{ N}$
dynamische axiale Lagerkraft F_a	$= F_{Az} = 2078,59 \text{ N}$
Belastungsfaktor e	$= 1,14$ (für Schrägkugellager)

$$\frac{F_a}{F_r} = 3,66 \implies \frac{F_a}{F_r} > e$$

Deshalb folgt aus Tabelle 2.9 im Skript KL III²⁴ : $X = 0,57$, $Y = 0,93$

Die äquivalente dynamische Belastung ergibt sich zu:

$$P = X \cdot F_r + Y \cdot F_a = 2256,6 \text{ N}$$

²⁴Vgl. [Pol17a]

Gang 2, Loslager:

Rillenkugellager, DIN 625-6007

- gegebene Werte:

n_{an}	$= 1200 \frac{1}{\text{min}}$
statische Tragzahl C_0	$= 10200 \text{ N}$
dynamische Tragzahl C	$= 16000 \text{ N}$
Lebensdauerexponent p	$= 3$
F_{Bx}	$= 180,11 \text{ N}$
F_{By}	$= 560,8 \text{ N}$

- Berechnung der äquivalenten dynamischen Belastung

$$\begin{aligned} \text{dynamische radiale Lagerkraft } F_r &= \sqrt{F_{Bx}^2 + F_{By}^2} = 589 \text{ N} \\ \text{dynamische axiale Lagerkraft } F_a &= F_{Bz} = 0 \text{ N} \end{aligned}$$

Da es sich um eine reine Radialbelastung handelt, ergeben sich der Radial- und Axialfaktor zu: $X = 1$ und $Y = 0$

Daraus ergibt sich die äquivalente dynamische Lagerbelastung zu:

$$P = X \cdot F_r = 589 \text{ N}$$

5.3 Bestimmung der Lastkollektive und der Lebensdauer

Die Formeln für die Berechnung stammen aus dem Skript KL III²⁵ Seite 76

Lastkollektiv Festlager

$$\begin{aligned}
 n_m &= 1200 \frac{1}{\min}, \text{ da die Drehzahl in beiden Gängen gleich ist} \\
 P_{\text{äq}} &= \sqrt[p]{P_1^p \cdot \frac{n_1}{n_m} \cdot \frac{q_1}{100\%} + P_2^p \cdot \frac{n_2}{n_m} \cdot \frac{q_2}{100\%}} \text{ mit } q_1 = 70 \text{ und } q_2 = 30 \\
 &= \sqrt[3]{(2201,1 \text{ N})^3 \cdot \frac{1200}{1200} \cdot \frac{70\%}{100\%} + (2256,6 \text{ N})^3 \cdot \frac{1200}{1200} \cdot \frac{30\%}{100\%}} = 2218,04 \text{ N}
 \end{aligned}$$

Lastkollektiv Loslager

$$\begin{aligned}
 n_m &= 1200 \frac{1}{\min}, \text{ da die Drehzahl in beiden Gängen gleich ist} \\
 P_{\text{äq}} &= \sqrt[p]{P_1^p \cdot \frac{n_1}{n_m} \cdot \frac{q_1}{100\%} + P_2^p \cdot \frac{n_2}{n_m} \cdot \frac{q_2}{100\%}} \text{ mit } q_1 = 70 \text{ und } q_2 = 30 \\
 &= \sqrt[3]{(260,31 \text{ N})^3 \cdot \frac{1200}{1200} \cdot \frac{70\%}{100\%} + (589 \text{ N})^3 \cdot \frac{1200}{1200} \cdot \frac{30\%}{100\%}} = 419,17 \text{ N}
 \end{aligned}$$

Lebensdauer Festlager

$$L_{10h} = \left(\frac{C}{P_{\text{äq}}} \right)^p \cdot \frac{10^6}{n \cdot 60} = \left(\frac{23652 \text{ N}}{2218,04 \text{ N}} \right)^3 \cdot \frac{10^6}{1200 \cdot \frac{1}{\min} \cdot 60} = 16840,81 \text{ h} = 1,92 \text{ a}$$

Lebensdauer Festlager

$$L_{10h} = \left(\frac{C}{P_{\text{äq}}} \right)^p \cdot \frac{10^6}{n \cdot 60} = \left(\frac{16000 \text{ N}}{419,17 \text{ N}} \right)^3 \cdot \frac{10^6}{1200 \cdot \frac{1}{\min} \cdot 60} = 772425,98 \text{ h} = 88,18 \text{ a}$$

²⁵Vgl. [Pol17a]

6 Schwachstellenberechnung

6.1 Berechnung Welle-Nabe-Verbindungen

In diesem Kapitel wird die maximale Flächenpressung für jede Passfederverbindung berechnet. Dieses wird anschließend mit der durch den Werkstoff vorgegebenen zulässigen Pressung verglichen.

Da hier die maximale Pressung bestimmt wird, muss für die Berechnung der 1,5 fache Wert des maximalen Momentes verwendet werden, da die Kupplung erst bei diesem Moment durch rutscht.

- Zulässige Flächenpressung (Skript KL IV²⁶ S. 56)

$$\text{Werkstoff C45: } R_{e,min} = 430 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \text{ bei } d \leq 40 \text{ mm}$$

$$R_{e,min} = 370 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \text{ bei } d > 40 \text{ mm}$$

$$p_{zul} = 0,9 \cdot R_{e,min}$$

$$p_{zul} = 387 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \text{ für } d \leq 40 \text{ mm}$$

$$p_{zul} = 330 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} \text{ für } d > 40 \text{ mm}$$

- maximale Flächenpressung (Skript KL IV²⁷ S. 55 - 56)

$$p_m = \frac{2 \cdot c_B \cdot T}{d \cdot h' \cdot l' \cdot n \cdot \phi}$$

$$\text{für alle Passfedern gilt: } n = 1$$

$$\phi = 1$$

$$c_B = 1 \text{ (leichte Stöße, Tabelle 3.2 aus Skript KL IV)}$$

$$l' = l - b \text{ wenn } l' \leq 1,2 \cdot d \quad \implies \text{sonst setze } l' = 1,2 \cdot d$$

$$h' = 0,45 \cdot h$$

²⁶Vgl. [Pol17b]

²⁷Vgl. [Pol17b]

Als Beispiel wird Passfeder 1 (Positionsnummer 19) auf Welle II berechnet:

$$M = 1,5 \cdot M_{II} = 121,98 \text{ Nm}$$

$$d = 40 \text{ mm}$$

$$l = 28 \text{ mm}$$

$$h = 8 \text{ mm}$$

$$b = 12 \text{ mm}$$

$$l' = 16 \text{ mm}$$

$$h' = 3,6 \text{ mm}$$

$$\Rightarrow p_m = \frac{2 \cdot 1,1 \cdot 121980 \text{ Nmm}}{40 \text{ mm} \cdot 3,6 \text{ mm} \cdot 16 \text{ mm} \cdot 1 \cdot 1} = 116,47 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$p_m < p_{zul} = 387 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Als weiteres Beispiel wird die Passfeder 10 (Positionsnummer 94) an der Schaltvorrichtung berechnet, da hier je nachdem, welche Zahnräder im Eingriff sind, unterschiedliche Längen der Passfeder beansprucht werden:

$$d = 70 \text{ mm}$$

$$h = 12 \text{ mm}$$

$$b = 20 \text{ mm}$$

$$h' = 5,4 \text{ mm}$$

Gang 1:

$$l_1 = 63 \text{ mm}, l'_1 = 43 \text{ mm}$$

$$M_1 = 1,5 \cdot M_{IV,1} = 0,96 \text{ Nm}$$

$$\Rightarrow p_{m,1} = 0,13 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Gang 2:

$$l_2 = 30,8 \text{ mm}, l'_2 = 10,8 \text{ mm}$$

$$M_2 = 1,5 \cdot M_{IV,2} = 1,37 \text{ Nm}$$

$$\Rightarrow p_{m,2} = 0,74 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Alle weiteren Werte der Passfederberechnung sind in der folgenden Tabelle dargestellt.
Alle Längen werden in der Einheit Millimeter angegeben.

Passfeder	Pos. Nr.	Welle	d	l	b	h	l'	h'	T(Nm)	$p_m(\frac{N}{mm^2})$
1, bei z_9	19	II	40	28	12	8	16	3,6	121,98	116,47
2, bei z_8	19	I	40	28	12	8	16	3,6	90,26	86,19
3, bei z_6	25	I	50	40	14	9	26	4,05	90,26	37,72
4, bei z_4	26	I	50	36	14	9	22	4,05	90,26	44,57
5, bei z_1	19	I	40	28	12	8	16	3,6	90,26	86,19
6, bei Kupplung	35	I	20	20	6	6	14	2,7	90,26	262,66
7, bei z_{10}	105	IV	30	70	10	8	36	3,6	1,37	0,78
8, bei Schaltung	94	IV	40	140	12	8	48	3,6	1,37	0,44
9, bei z_{11}	103	V	35	32	10	8	22	3,6	13,7	10,87
10, bei Schaltung	91	Gang 1	70	63	20	12	43	5,4	0,96	0,13
10, bei Schaltung	91	Gang 2	70	30,8	20	12	10,8	5,4	1,37	0,74

Da bei allen Passfedern gilt $p_m < p_{zul}$ halten die Passfedern der Belastung stand.

6.2 Berechnung der Schraubenverbindungen

6.2.1 Verschraubung Lagerdeckel

Da an allen Festlagern dieselben Schrauben verwendet wurden, muss nur die Schraubenverbindung mit der höchsten Belastung berechnet werden. Diese ergibt sich durch die Axialkraft, die auf die jeweilige Welle wirkt. Wegen der Kupplungskraft, die aufgrund der Konuskupplung als Normalkraft in die Welle eingeleitet wird, ist die Welle I am höchsten belastet. Da das Loslager keine Axialkräfte aufnehmen kann, muss die Schraubenverbindung an diesem Lagerdeckel nicht berechnet werden. Aus diesen Gründen wird im Folgenden die Schraubenverbindung des Lagerdeckels am Festlager der Welle I berechnet.

Kräfte

$$F_A = F_K - F_{a,8} = 2078,59 \text{ N}$$

Betriebskraft pro Schraube: $F_B = \frac{F_A}{Z} = \frac{2078,59 \text{ N}}{4} = 519,65 \text{ N}$

Vorspannungsverhältnis soll im Bereich $\frac{F_V}{F_B} = 2,5 \dots 3,5$ liegen (siehe Skript KL IV ²⁸ Seite 37).

Wähle Faktor 2,5 $\implies F_V = 2,5 \cdot F_B = 1299,12 \text{ N}$

²⁸Vgl. [Pol17b]

Schraubendaten

Sechskantschraube M5x25 nach DIN EN ISO 4014, Festigkeitsklasse 8.8

$$R_m = 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$R_e = 8 \cdot 8 \cdot 10 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 640 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Nenndurchmesser: $d = 5 \text{ mm}$

$$\text{Nennquerschnitt: } A_N = \frac{\pi \cdot d^2}{4} = 19,63 \text{ mm}^2$$

Steigung: $P = 0,8 \text{ mm}$

Flankendurchmesser: $d_2 = 4,48 \text{ mm}$

Kerndurchmesser: $d_3 = 4,02 \text{ mm}$

Flankenwinkel: $\beta = 60^\circ$

$$\text{Kernquerschnitt: } A_3 = \frac{\pi \cdot d_3^2}{4} = 12,69 \text{ mm}^2$$

Spannungsquerschnitt: $A_S = 14,2 \text{ mm}^2$

Schlüsselweite: $S = 8 \text{ mm}$

Durchmesser Durchgangsbohrung: $D_B = 5,5 \text{ mm}$ (DIN EN 20273)

Vorspannen

Formeln aus dem Skript KL IV ²⁹ Seite 37 bis 39, Reibwerte aus dem Anhang A.1.5 und A.1.6

Anzugsmoment

- Bestimmung Gewindereibmoment:

$$M_{RG} = F_U \cdot \frac{d_2}{2} = F_V \cdot \frac{d_2}{2} \cdot \tan(\phi + p')$$

$$\tan(\phi) = \frac{P}{d_2 \cdot \pi} \implies \phi = 3,25^\circ$$

$$\tan(p') = \frac{\mu_G}{\cos\left(\frac{\beta}{2}\right)} \text{ mit } \mu_G = 0,14 \implies p' = 9,18^\circ$$

$$\implies \text{einsetzen liefert: } M_{RG} = 0,6414 \text{ Nm} = 641,4 \text{ Nmm}$$

- Bestimmung Kopfreibmoment:

$$M_{RK} = F_V \cdot \mu_K \cdot \frac{d_R}{2} \text{ mit } \mu_K = 0,14$$

$$d_R = \frac{S + D_B}{2} = 6,75 \text{ mm}$$

$$\implies \text{einsetzen liefert: } M_{RK} = 0,6138 \text{ Nm} = 613,8 \text{ Nmm}$$

- Gesamtanzugsmoment: $M_A = M_{RG} + M_{RK} = 1228,2 \text{ Nmm}$

²⁹Vgl. [Pol17b]

Spannungen beim Vorspannen

- maximale Schubspannung:

$$\tau_{t,V} = \frac{M_{RG}}{W_p}$$

$$W_p = \frac{\pi \cdot d_3^3}{16} = 12,76 \text{ mm}^3$$

$$\Rightarrow \tau_{t,V} = 48,1 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

- Bestimmung Zugspannung:

$$\sigma_{Z,V} = \frac{F_V}{A_S} = 91,49 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

- Berechnung der resultierenden Vergleichsspannung:

$$\sigma_{v,V} = \sqrt{\sigma_{Z,V}^2 + 3 \cdot \tau_{t,V}^2} = 123,74 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Die Sicherheit der Schraubenverbindung gegen plastische Verformung beträgt:

$$S_F = \frac{R_{p0,2}}{\sigma_{v,V}} = 5,12$$

unter Betriebslast

Formeln aus dem Skript KL IV ³⁰ Seite 41 bis 43

Kräfte

- Nachgiebigkeit der Schraube:

$$\delta_S = \frac{1}{E} \cdot \left(\frac{1}{d} + \frac{l_1}{A_N} + \frac{l_2}{A_S} \right)$$

$$\text{mit } E = 2,1 \cdot 10^5 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}, l_1 = 9 \text{ mm}, l_2 = 16 \text{ mm}$$

$$\Rightarrow \delta_S = 8,5 \cdot 10^{-6} \frac{\text{mm}}{\text{N}}$$

- Bestimmung der Nachgiebigkeit der verspannten Elemente nach Fall b)

$$\alpha = 0,1 \text{ für Stahl, } D_A = 14 \text{ mm, } l_K = 25 \text{ mm}$$

$$\delta_H = \frac{l_K}{E \cdot A_{ers}}$$

$$\text{mit } A_{ers} = \frac{\pi}{4} \cdot (d_K^2 - D_B^2) + \frac{\pi}{8} \cdot \left(\frac{D_A}{d_K} - 1 \right) \cdot \left(\frac{d_K \cdot l_K}{5} + \alpha^2 \cdot l_K^2 \right) = 40,12 \text{ mm}^2$$

$$\Rightarrow \delta_H = 2,97 \cdot 10^{-6} \frac{\text{mm}}{\text{N}}$$

Damit ergibt sich die Schraubenkraft unter Betriebslast zu:

$$F_S = F_V + \frac{F_B}{1 + \frac{\delta_S}{\delta_H}} = 1433,68 \text{ N}$$

Die verbleibende Klemmkraft beträgt dann $F_{Kl} = F_S - F_B = 914,03 \text{ N}$

³⁰Vgl. [Pol17b]

Spannungen

- Zugspannung: $\sigma_{Z,B} = \frac{F_S}{A_S} = 100,96 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$
- Torsionsspannung:

Das Torsionsmoment im Betrieb hat die Größe des kleineren Wertes von M_{RK} und M_{RG} , also:

$$\tau_{t,B} = \frac{M_{RK}}{W_p} = 48,1 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

- resultierende Vergleichsspannung: $\sigma_{v,B} = \sqrt{\sigma_{Z,B}^2 + 3 \cdot \tau_{t,B}^2} = 130,9 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$

Daraus ergibt sich die Sicherheit der Verbindung gegen plastische Verformung zu:

$$S_F = \frac{R_{p0,2}}{\sigma_{v,B}} = 4,89$$

Die Schraubenverbindung hält der Belastung also stand.

6.2.2 Verschraubung Kupplung

Da an allen Festlagern dieselben Schrauben verwendet wurden, muss nur die Schraubenverbindung mit der höchsten Belastung berechnet werden. Diese ergibt sich durch die Axialkraft, die auf die jeweilige Welle wirkt. Wegen der Kupplungskraft, die aufgrund der Konuskupplung als Normalkraft in die Welle eingeleitet wird, ist die Welle I am höchsten belastet. Da das Loslager keine Axialkräfte aufnehmen kann, muss die Schraubenverbindung an diesem Lagerdeckel nicht berechnet werden. Aus diesen Gründen wird im Folgenden die Schraubenverbindung des Lagerdeckels am Festlager der Welle I berechnet.

Kräfte

$$F_A = F_K = 2318,49 \text{ N}$$

Betriebskraft pro Schraube: $F_B = \frac{F_A}{Z} = \frac{2318,49 \text{ N}}{8} = 289,8 \text{ N}$

Vorspannungsverhältnis soll im Bereich $\frac{F_V}{F_B} = 2,5 \dots 3,5$ liegen (siehe Skript KL IV ³¹ Seite 37).

Wähle Faktor 2,5 $\implies F_V = 2,5 \cdot F_B = 724,5 \text{ N}$

³¹Vgl. [Pol17b]

Schraubendaten

Sechskantschraube M3x20 nach DIN EN ISO 4014, Festigkeitsklasse 8.8

$$R_m = 800 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

$$R_e = 8 \cdot 8 \cdot 10 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2} = 640 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Nenndurchmesser: $d = 3 \text{ mm}$

$$\text{Nennquerschnitt: } A_N = \frac{\pi \cdot d^2}{4} = 7,07 \text{ mm}^2$$

Steigung: $P = 0,5 \text{ mm}$

Flankendurchmesser: $d_2 = 2,68 \text{ mm}$

Kerndurchmesser: $d_3 = 2,39 \text{ mm}$

Flankenwinkel: $\beta = 60^\circ$

$$\text{Kernquerschnitt: } A_3 = \frac{\pi \cdot d_3^2}{4} = 4,49 \text{ mm}^2$$

Spannungsquerschnitt: $A_S = 5,03 \text{ mm}^2$

Schlüsselweite: $S = 5,5 \text{ mm}$

Durchmesser Durchgangsbohrung: $D_B = 3,4 \text{ mm}$ (DIN EN 20273)

Vorspannen

Formeln aus dem Skript KL IV ³² Seite 37 bis 39, Reibwerte aus dem Anhang A.1.5 und A.1.6

Anzugsmoment

- Bestimmung Gewindereibmoment:

$$M_{RG} = F_U \cdot \frac{d_2}{2} = F_V \cdot \frac{d_2}{2} \cdot \tan(\phi + p')$$

$$\tan(\phi) = \frac{P}{d_2 \cdot \pi} \implies \phi = 3,4^\circ$$

$$\tan(p') = \frac{\mu_G}{\cos\left(\frac{\beta}{2}\right)} \text{ mit } \mu_G = 0,14 \implies p' = 9,18^\circ$$

$$\implies \text{einsetzen liefert: } M_{RG} = 0,2167 \text{ Nm} = 216,65 \text{ Nmm}$$

- Bestimmung Kopfreibmoment:

$$M_{RK} = F_V \cdot \mu_K \cdot \frac{d_R}{2} \text{ mit } \mu_K = 0,14$$

$$d_R = \frac{S + D_B}{2} = 4,45 \text{ mm}$$

$$\implies \text{einsetzen liefert: } M_{RK} = 0,2257 \text{ Nm} = 225,68 \text{ Nmm}$$

- Gesamtanzugsmoment: $M_A = M_{RG} + M_{RK} = 442,33 \text{ Nmm}$

³²Vgl. [Pol17b]

Spannungen beim Vorspannen

- maximale Schubspannung:

$$\tau_{t,V} = \frac{M_{RG}}{W_p}$$

$$W_p = \frac{\pi \cdot d_3^3}{16} = 2,68 \text{ mm}^3$$

$$\Rightarrow \tau_{t,V} = 80,84 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

- Bestimmung Zugspannung:

$$\sigma_{Z,V} = \frac{F_V}{A_S} = 144 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

- Berechnung der resultierenden Vergleichsspannung:

$$\sigma_{v,V} = \sqrt{\sigma_{Z,V}^2 + 3 \cdot \tau_{t,V}^2} = 200,85 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Die Sicherheit der Schraubenverbindung gegen plastische Verformung beträgt:

$$S_F = \frac{R_{p0,2}}{\sigma_{v,V}} = 3,19$$

unter Betriebslast

Formeln aus dem Skript KL IV ³³ Seite 41 bis 43

Kräfte

- Nachgiebigkeit der Schraube:

$$\delta_S = \frac{1}{E} \cdot \left(\frac{1}{d} + \frac{l_1}{A_N} + \frac{l_2}{A_S} \right)$$

$$\text{mit } E = 2,1 \cdot 10^5 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}, l_1 = 8 \text{ mm}, l_2 = 12 \text{ mm}$$

$$\Rightarrow \delta_S = 1,97 \cdot 10^{-5} \frac{\text{mm}}{\text{N}}$$

- Bestimmung der Nachgiebigkeit der verspannten Elemente nach Fall b)

$$\alpha = 0,1 \text{ für Stahl, } D_A = 7,5 \text{ mm, } l_K = 20 \text{ mm, } d_K = 4,6 \text{ mm}$$

$$\delta_H = \frac{l_K}{E \cdot A_{ers}}$$

$$\text{mit } A_{ers} = \frac{\pi}{4} \cdot (d_K^2 - D_B^2) + \frac{\pi}{8} \cdot \left(\frac{D_A}{d_K} - 1 \right) \cdot \left(\frac{d_K \cdot l_K}{5} + \alpha^2 \cdot l_K^2 \right) = 13,09 \text{ mm}^2$$

$$\Rightarrow \delta_H = 7,27 \cdot 10^{-6} \frac{\text{mm}}{\text{N}}$$

Damit ergibt sich die Schraubenkraft unter Betriebslast zu:

$$F_S = F_V + \frac{F_B}{1 + \frac{\delta_S}{\delta_H}} = 802,62 \text{ N}$$

Die verbleibende Klemmkraft beträgt dann $F_{Kl} = F_S - F_B = 512,82 \text{ N}$

³³Vgl. [Pol17b]

Spannungen

- Zugspannung: $\sigma_{Z,B} = \frac{F_S}{A_S} = 159,57 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$
- Torsionsspannung:

Das Torsionsmoment im Betrieb hat die Größe des kleineren Wertes von M_{RK} und M_{RG} , also:

$$\tau_{t,B} = \frac{M_{RG}}{W_p} = 80,84 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

- resultierende Vergleichsspannung: $\sigma_{v,B} = \sqrt{\sigma_{Z,B}^2 + 3 \cdot \tau_{t,B}^2} = 212,29 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$

Daraus ergibt sich die Sicherheit der Verbindung gegen plastische Verformung zu:

$$S_F = \frac{R_{p0,2}}{\sigma_{v,B}} = 3,01$$

Die Schraubenverbindung hält der Belastung also stand.

7 Passungsberechnung

In diesem Kapitel werden 5 verschiedene Passungen ausgewählt und berechnet. Bei den Toleranzen der Wälzlager wird die Genauigkeitsklasse P0 aus dem LFD Produktkatalog³⁴ Seite 27 berücksichtigt.

N : Nennmaß

T : Grundtoleranz

A_U : unteres Abmaß

A_O : oberes Abmaß

G_U : Mindestmaß

G_O : Höchstmaß

P_U : Mindestpassung

P_O : Höchstpassung

Die verwendeten Formeln stammen aus dem Skript KL I³⁵ S. 39

$$A_U + T = A_O$$

$$G_O = N + A_O$$

$$G_U = N - A_U$$

$$P_O = G_{oB} - G_{uW}$$

$$P_U = G_{uB} - G_{oW}$$

Die jeweiligen Werte von T , A_O und A_U stammen aus dem Tabellenbuch Metall³⁶ Seite 103 bis 105.

³⁴Vgl. [Wäl]

³⁵Vgl. [Lac16]

³⁶Vgl. [Fis14]

Passung 1: Schalthülse und Welle IV

An dieser Stelle wird eine lose Passung gewählt, da die Schaltung per Hand erfolgen soll und somit Spiel zwischen der Schalthülse und der Welle sein muss.

Passung: h9/F8

- Toleranz Welle: 40 h9

$$\text{Toleranzgrad 9} \implies \text{Grundtoleranz } T = 52\mu\text{m}$$

$$\text{oberes Abmaß } A_o = 0\mu\text{m} \implies \text{Höchstmaß } G_O = N$$

$$A_o = 0 \text{ mm}$$

$$A_u = -0,052 \text{ mm}$$

$$G_o = N = 40 \text{ mm}$$

$$G_u = 39,948 \text{ mm}$$

- Toleranz Bohrung: 40 F6

$$\text{Toleranzgrad 6} \implies \text{Grundtoleranz } T = 16\mu\text{m}$$

$$\text{unteres Abmaß } A_u = +25\mu\text{m}$$

$$A_u = +0,025 \text{ mm}$$

$$A_o = +0,041 \text{ mm}$$

$$G_u = 40,025 \text{ mm}$$

$$G_o = 40,041 \text{ mm}$$

- Passungsart

$$P_o = 40,041 \text{ mm} - 39,948 \text{ mm} = +0,093 \text{ mm}$$

$$P_u = 40,025 \text{ mm} - 40 \text{ mm} = +0,025 \text{ mm}$$

$$\implies \text{es liegt in jeden Fall eine Spielpassung vor}$$

Passung 2: Lagerinnenring Schrägkugellager (Festlager) und Welle IV

Bei dieser Passung wird eine Übermaßpassung gewählt. Es handelt sich um ein Festlager, bei dem der Innenring auf Umfangslast beansprucht wird. Deshalb ist eine feste Passung notwendig.

Passung: k6 (Empfehlung Produktkatalog³⁷ Seite 21)

- Toleranz Welle: 15 k6

Toleranzgrad 6 \Rightarrow Grundtoleranz $T = 11\mu\text{m}$

unteres Abmaß $A_u = +35\mu\text{m}$

$A_u = +0,035 \text{ mm}$

$A_o = +0,046 \text{ mm}$

$G_u = 15,035 \text{ mm}$

$G_o = 15,046 \text{ mm}$

- Toleranz Bohrung: 15 P0

oberes Abmaß $A_o = 0\mu\text{m}$

unteres Abmaß $A_u = -8\mu\text{m}$

$G_o = 15 \text{ mm}$

$G_u = 14,992 \text{ mm}$

- Passungsart

$P_o = 15 \text{ mm} - 15,035 \text{ mm} = -0,035 \text{ mm}$

$P_u = 14,992 \text{ mm} - 15,046 \text{ mm} = -0,053 \text{ mm}$

\Rightarrow es liegt in jedem Fall ein Übermaß vor

³⁷Vgl. [Wäl]

Passung 3: Lageraußenring Schrägkugellager (Festlager, Welle I) und Lagertopf

Bei dieser Passung wird eine Spielpassung gewählt. Es handelt sich zwar um ein Festlager, der Außenring wird allerdings nur auf Punktlast beansprucht, weshalb keine feste Passung notwendig ist. Außerdem darf nur ein Ring des Lagers fest angepasst werden (das wäre in diesem Fall der Innenring), da das Lager ansonsten nicht mehr zu montieren wäre.

Passung: J6 (Empfehlung Produktkatalog³⁸ Seite 21)

- Toleranz Außenring ("Welle"): 52 P0

$$\text{oberes Abmaß } A_o = 0\mu\text{m}$$

$$\text{unteres Abmaß } A_u = -13\mu\text{m}$$

$$G_o = 52 \text{ mm}$$

$$G_u = 51,987 \text{ mm}$$

- Toleranz Lagertopf ("Bohrung"): 52 J6

$$\text{Toleranzgrad 6} \implies \text{Grundtoleranz } T = 19\mu\text{m}$$

$$\text{oberes Abmaß } A_o = +28\mu\text{m}$$

$$A_o = +0,028 \text{ mm}$$

$$A_u = +0,009 \text{ mm}$$

$$G_o = 52,028 \text{ mm}$$

$$G_u = 52,009 \text{ mm}$$

- Passungsart

$$P_o = 52,028 \text{ mm} - 51,987 \text{ mm} = +0,051 \text{ mm}$$

$$P_u = 52,009 \text{ mm} - 52 \text{ mm} = +0,009 \text{ mm}$$

\implies Es liegt in jedem Fall Spiel vor.

³⁸Vgl. [Wäl]

Passung 4: Schnecke und Welle IV

Da die Schnecke per Hand auf die Welle aufgeschoben wird, wird für diese Passung ein geringes Passungsspiel gewählt.

Passung: H7/h6

- Toleranz Welle: 30 h6

$$\text{Toleranzgrad 6} \implies \text{Grundtoleranz } T = 13\mu\text{m}$$

$$\text{oberes Abmaß } A_o = 0\mu\text{m} \implies G_o = N$$

$$A_o = 0 \text{ mm}$$

$$A_u = -0,013 \text{ mm}$$

$$G_o = 30 \text{ mm}$$

$$G_u = 29,987 \text{ mm}$$

- Toleranz Bohrung: 30 H7

$$\text{Toleranzgrad 7} \implies \text{Grundtoleranz } T = 21\mu\text{m}$$

$$\text{unteres Abmaß } A_u = 0\mu\text{m} \implies G_u = N$$

$$A_u = 0 \text{ mm}$$

$$A_o = 0,021 \text{ mm}$$

$$G_u = 30 \text{ mm}$$

$$G_o = 30,021 \text{ mm}$$

- Passungsart

$$P_o = 30,021 \text{ mm} - 29,987 \text{ mm} = 0,034 \text{ mm}$$

$$P_u = 30 \text{ mm} - 30 \text{ mm} = 0 \text{ mm}$$

\implies ein Verschieben der Schnecke per Hand ist gerade noch möglich

Passung 5: Gleitlagerbuchse (Festlager, Welle VI) und Lagertopf

An dem Außenring der Gleitlagerbuchse ist eine feste Passung notwendig, das das Lager über eine Presspassung im Gehäuse montiert wird.

Passung: H7/s6

- Toleranz Welle: 21 s6

Toleranzgrad 6 \implies Grundtoleranz $T = 13\mu\text{m}$

unteres Abmaß $A_u = +43\mu\text{m}$

$A_u = +0,043 \text{ mm}$

$A_o = +0,056 \text{ mm}$

$G_u = 21,043 \text{ mm}$

$G_o = 21,056 \text{ mm}$

- Toleranz Bohrung: 21 H7

Toleranzgrad 7 \implies Grundtoleranz $T = 21\mu\text{m}$

unteres Abmaß $A_u = 0\mu\text{m} \implies G_u = N$

$A_u = 0 \text{ mm}$

$A_o = 0,021 \text{ mm}$

$G_u = 21 \text{ mm}$

$G_o = 21,021 \text{ mm}$

- Passungsart

$P_o = 21,021 \text{ mm} - 21,043 \text{ mm} = -0,022 \text{ mm}$

$P_u = 21 \text{ mm} - 21,056 \text{ mm} = -0,056 \text{ mm}$

\implies es liegt in jedem Fall ein Übermaß vor

8 Quellen

8.1 Literatur

- [Den17] Prof. Dr. Berend Denkena. *Konstruktion, Gestaltung und Herstellung von Produkten II*. Script. Institut für Fertigungstechnik und Werkzeugmaschinen, 2017.
- [Fis14] Ulrich Fischer. *Tabellenbuch Metall*. Europa Lehrmittel, 2014. ISBN: 978-3-8085-1676-8.
- [Lac16] Prof. Dr. Roland Lachmayer. *Konstruktion, Gestaltung und Herstellung von Produkten I*. Script. Institut für Produktentwicklung und Gerätebau, 2016.
- [Pol17a] Prof. Dr.-Ing Gerhard Poll. *Konstruktionslehre III*. Script. Institut für Maschinenkonstruktion und Tribologie, 2017.
- [Pol17b] Prof. Dr.-Ing Gerhard Poll. *Konstruktionslehre IV*. Script. Institut für Maschinenkonstruktion und Tribologie, 2017.
- [Wit+15] Herbert Wittel u. a. *Roloff/Matek Maschinenelemente. Tabellenbuch*. Springer Vieweg, 2015. ISBN: 978-3-658-09081-4.
- [WJV15] Herbert Wittel, Dieter Jannasch und Joachim Voßkiek. *Roloff/Matek Maschinenelemente. Normung Berechnung Gestaltung*. Springer Vieweg, 2015. ISBN: 978-3-658-09081-4.

8.2 Internet

- [Gmb] LEICHT GmbH. *Reibbelag LR353-Technische Daten — Reibwerkstoff: Bremsbelag-Kupplungsbelag*. URL: <http://www.leicht-gmbh.de/cms/Werkstoffe/LR353/index1-a-45.html> (besucht am 25.11.2017).
- [Wäl] LFD Wälzlager. *Produktkatalog Rillenkugellager*. URL: <http://www.kugellager-katalog.de/media/files/lfd-kugellagerkatalog-de.pdf> (besucht am 10.12.2017).

A Anhang