Versuchsprotokoll zum Versuch Nr. 206

Die Wärmepumpe

Johannes Kollek johannes.kollek@udo.edu Jean-Marco Alameddine jean-marco.alameddine@udo.edu

Durchführung: 20.10.2015 Abgabe: 27.10.2015

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Theorie	3
2	Aufbau und Durchführung2.1 Aufbau2.2 Durchführung	
3	Auswertung3.1 Bestimmung einer Ausgleichskurve3.2 Güteziffervergleich3.3 Massendurchsatz	6
4	Diskussion	9
Lit	teratur	9

1 Theorie

Aus dem zweiten Hauptsatz der Thermodynamik geht hervor, dass es unmöglich ist, ohne äußere Einwirkung einem kälteren Reservoir Teile dessen Wärmemenge zu entziehen, um sie einem wärmeren Reservoir zuzuführen. Der erste Hauptsatz beinhaltet jedoch die Möglichkeit, durch Zuführen zusätzlicher Arbeit auch den umgekehrten Prozess zu realisieren. Die zusätzliche Wärmemenge Q_1 im wärmeren Reservoir R_1 entspricht nun der aufgewendeten Arbeit A addiert mit der aus dem kälteren Reservoir R_2 entzogenen Wärmemenge Q_2 . Eine Wärmepumpe kann dies leisten.

Die Effizienz wird durch ihre Güteziffer bestimmt. Sie stellt sich zusammen aus der zugeführten Wärmemenge und der zu diesem Zweck aufgewendeten Arbeit:

$$v = \frac{Q_1}{A} = \frac{T_1}{T_1 - T_2}. (1)$$

Dabei ist T_1 die Temperatur in R_1 und T_2 die Temperatur in R_2 . Erfahrungsgemäß ist es jedoch schwierig ein absolut geschlossenes System innerhalb der Wärmepumpe zu gewährleisten, wodurch

$$Q_1 < Q_2 + A \tag{2}$$

ist. Für die reale Güteziffer gilt dann

$$v_{real} < \frac{T_1}{T_1 - T_2}. (3)$$

[1]

2 Aufbau und Durchführung

2.1 Aufbau

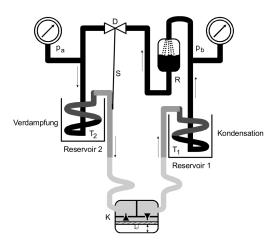


Abbildung 1: Skizze der Wärmepumpe.

Das Grundgerüst der Wärmepumpe bildet ein Kupferrohr, welches ein Transportmedium beinhaltet. Dieses Medium kann Wärmeenergie in Form von Phasenumwandlungsenergie aufnehmen bzw. abgeben. Es empfiehlt sich, einen Stoff mit möglichst hoher Kondensationswärme zu verwenden, um einen möglichst effizienten Wärmetransport zu ermöglichen. Deshalb wird beim vorliegenden Aufbau Dichlordifluormethan (Cl_2F_2C) eingesetzt.

Vom Kompressor K, welcher den Mediumkreislauf ermöglicht, durchläuft es das erste Reservoir R_1 . Unser reales Gas wurde nun so gewählt, dass es in R_1 bei der Temperatur T_1 sowie dem Druck p_b flüssig wird. Jenes Medium gibt beim Phasenübergang von gasförmig zu flüssig die Kondensationswärme ab, die es im Reservoir R_2 als Verdampfungswärme L pro Gramm aufgenommen hat. Daraufhin durchläuft die Flüssigkeit ein Drosselventil. Der Strömungswiderstand am Drosselventil sorgt für den nötigen Druckunterschied $p_b - p_a$. Hinter dem Druckventil durchläuft das Medium das Reservoir R_2 . Durch den hier vorherschenden Druck p_a und die Temperatur T_2 verdampft die Flüssigkeit und nimmt die latente Wärme L auf. Wieder im Kompressor angekommen wird das Gas nahezu adiabatisch komprimiert. Der Druck steigt erneut an, so dass sich das Medium wieder verflüssigt und der Kreislauf fortgesetzt wird.

Zusätzlich befindet sich zwischen dem Reservoir R_1 und dem Drosselventil D ein Reiniger C, welcher die Flüssigkeit von Gasrückständen befreit. Gleichzeitig bewahrt das Drosselventil D den Kompressor davor, dass Flüssigkeitsreste in ihn gelangen. Beide Elemente sind jedoch nur aus Sicherheitsgründen installiert, so dass eine problemlose Durchführung gewährleistet ist. Sie spielen physikalisch für das Ergebnis keine Rolle.

Die beiden Rührmotoren gewährleisten eine gleichmäßige Temperaturverteilung im jeweiligen Reservoir.

Die interessanten Größen in diesem Versuch sind die Temperaturen T_1 und T_2 , die Drücke p_b und p_a sowie die Kompressorleistung P.

2.2 Durchführung

Vor Versuchsbeginn wurden die beiden Reservoire mit genau abgemessenen 41 Wasser befüllt. Danach wurden sie möglichst isoliert an den vorgegebenen Kupferspiralen positioniert. Unmittelbar nach dem Einschalten der Rührmotoren und des Kompressors wurden ab Minute 0 im Abstand von einer Minute die Temperaturen T_1 und T_2 an den jeweiligen Thermometern, sowie die beiden Drücke p_b und p_a an den jeweiligen Manometern und die Kompressorleistung P_K am Wattmeter gemessen und tabellarisch notiert.

Die Temperaturen wurden auf 0,1 °C genau gemessen. Die Druckskala von p_b konnte man auf 0.1 bar ablesen, die von p_a auf 0.2 bar. Die Kompressorleistung wurde auf 1 W genau bestimmt.

Der Versuch endete nach dem Erreichen von $50\,^{\circ}\mathrm{C}$ in R_1 (nach $30\,\mathrm{min}$). Anschließend wurden noch den beiden Manometern die Drucktemperaturen zum Erstellen einer Dampfdruckkurve entnommen.

3 Auswertung

3.1 Bestimmung einer Ausgleichskurve

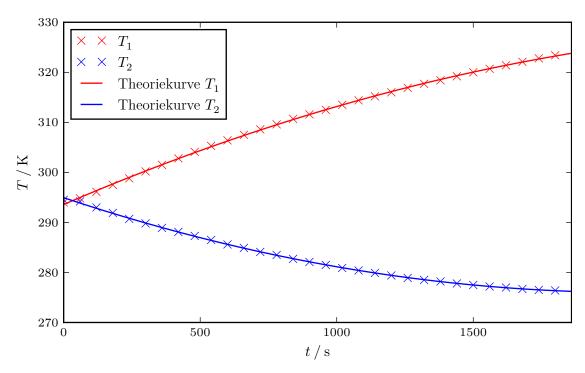


Abbildung 2: Temperaturverlauf.

Die gemessenen Daten für die Tempeatur T_1 des wärmeren sowie die Temperatur T_2 des kälteren Reservoirs wurden gegen die Zeit t in Minuten abgetragen. Mithilfe von SciPy wurde jeweils eine Ausgleichskurve für die folgende Funktion berechnet:

$$T(t) = A \cdot t^2 + B \cdot t + C \tag{4}$$

Die Parameter A, B und C wurden bestimmt zu

$$\begin{split} A_{T_1} &= (-3.876\,01 \pm 0.103\,82) \cdot 10^{-6}\,\mathrm{K/s^2} \\ B_{T_1} &= \; (0.023\,45 \pm 0.000\,19)\,\mathrm{K\,s^{-1}} \\ C_{T_1} &= \; (293.592 \pm 0.062)\,\mathrm{K} \\ A_{T_2} &= \; (4.348\,79 \pm 0.085\,33) \cdot 10^{-6}\,\mathrm{K/s^2} \\ B_{T_2} &= (-0.018\,15 \pm 0.000\,16)\,\mathrm{K\,s^{-1}} \\ C_{T_2} &= \; (294.936 \pm 0.062)\,\mathrm{K} \end{split}$$

Durch Ableiten und Einsetzen in die Ausgleichskurve

$$\frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}t} = 2 \cdot A \cdot t + B \tag{5}$$

erhält man die Werte der Differentialquotienten, welche der Tabelle 1 entnommen werden können.

Für die Fehlerrechnung wurde bei der vorliegenden Rechnung und bei allen folgenden Rechnungen das Gaußsche Fehlerfortpflanzungsgesetz

$$\Delta f = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x_1} \Delta x_1\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial x_2} \Delta x_2\right)^2 + \dots + \left(\frac{\partial f}{\partial x_n} \Delta x_n\right)^2} \tag{6}$$

für eine Funktion $f(x_1,x_2,\dots,x_n)$ bei denen die Größen x_1,x_2,\dots,x_n voneinander unabhängig sind.

Tabelle 1: Differential quotienten

t[s]	$T_1[\mathbf{K}]$	$T_2[{\mathcal K}]$	$\frac{\mathrm{d}T_1}{\mathrm{d}t}[\mathrm{K}\mathrm{s}^{-1}]$	$\frac{\mathrm{d}T_2}{\mathrm{d}t}[\mathrm{K}\mathrm{s}^{-1}]$
420	29.6 ± 0.1	14.9 ± 0.1	0.021954 ± 0.000212	-0.014500 ± 0.000174
840	37.5 ± 0.1	19.5 ± 0.1	0.016940 ± 0.000260	-0.010846 ± 0.000214
1260	43.7 ± 0.1	5.7 ± 0.1	0.013684 ± 0.000325	-0.007193 ± 0.000267
1680	48.9 ± 0.1	3.5 ± 0.1	0.010428 ± 0.000399	-0.003988 ± 0.000328

3.2 Güteziffervergleich

Für eine ideale Wärmepumpe gilt

$$v_{ideal} = \frac{T_1}{T_1 - T_2}. (7)$$

Für die reale Wärmepunpe gilt jedoch die Formel

$$v_{real} = \frac{\mathrm{d}Q_1}{\mathrm{d}tN} = (m_1 c_w + m_k c_k) \frac{\mathrm{d}T_1}{\mathrm{d}tN}. \tag{8}$$

wobei N= die Kompressorleistung, m_1 die Masse des Wassers in R_1 , m_k die Masse des zu heizenden Reservoirs inklusive Kupferrohre, c_w die spezifische Wärmekapazität des Wassers sowie c_k die spezifische Wärmekapazität des Reservoirs und der Kuperrohre ist. Da bei der Durchführung des Versuches 41 Wasser für R_1 verwendet wurden, berechnet sich m_1 zu $m_1=\rho_{H_2O}\cdot V=4176.48$ kg, wobei der Werte für ρ_{H_20} der Literatur entnommen wurde. Das Produkt aus m_k und c_k wurde vom Versuchsaufbau zu $750\,\mathrm{J\,K^{-1}}$ abgelesen, c_w wurde ebenfalls der Literatur zu $4.1819\,\mathrm{kJ\,kg^{-1}}$ K entnommen. Die Kompressorleistung ergibt sich aus dem arithmetischen Mittelwert der Messdaten zu N=124.77. Für die

Tabelle 2: Güteziffervergleich.

t[s]	$T_1[K]$	$T_2[K]$	$\Delta T[{ m K}]$	v_{real,T_1}	v_{real,T_2}	v_{ideal}
420	29.6 ± 0.1	14.9 ± 0.1	14.7 ± 0.1	2.948 ± 0.039	-2.117 ± 0.031	20.599 ± 0.193
840	37.5 ± 0.1	19.5 ± 0.1	18.0 ± 0.1	2.473 ± 0.043	-1.584 ± 0.034	11.096 ± 0.054
1260	43.7 ± 0.1	5.7 ± 0.1	38.0 ± 0.1	1.998 ± 0.050	-1.050 ± 0.040	8.339 ± 0.029
1680	48.9 ± 0.1	3.5 ± 0.1	45.4 ± 0.1	1.522 ± 0.059	-0.517 ± 0.048	7.095 ± 0.021

Differenzenquotienten wurden die Werte der Ausgleichskurve, angegeben in Tabelle 1 verwendet.

Es fällt auf, dass sich die reale Güteziffer deutlich von der idealen Güteziffer unterscheidet. Gründe für diese Differenz werden im Kapitel Diskussion besprochen.

3.3 Massendurchsatz

Bei einer Wärmepumpe wird dem kälteren Reservoir, hier R_2 , die Wärmeenergie Q_2 in Form von Verdampfungswärme entzogen. Der Zusammenhang zwischen dem Massendurchsatz $\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t}$ und der entnommenen Wärmemenge pro Zeit $\frac{\mathrm{d}Q_2}{\mathrm{d}t}$ wird durch

$$\frac{\mathrm{d}Q_2}{\mathrm{d}t} = L \cdot \frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t} \tag{9}$$

beschrieben, wobei L die Verdampfungswärme des Mediums ist. Dabei gibt L an, welche Energie pro Kilogramm erforderlich ist, um einen Stoff bei gleichbleibender Temperatur zu verdampfen. L kann dabei der Dampfdruckkurve eines spezifischen Stoffes entnommen werden, welche den Phasenübergang zwischen flüssig und gasförmig in einem pT-Diagramm beschreibt. Diese Kurve wird im Allgemeinen durch die Clausius-Clapeyronsche Gleichung beschrieben, welche unter vereinfachten Bedingungen den Zusammenhang

$$ln(p) = -\frac{L}{R}\frac{1}{T} + const \tag{10}$$

ergibt. Hierbei ist R die allgemeine Gaskonstante. Um nun den Wert von L für das genutzte Medium $\mathrm{Cl_2F_2C}$ zu bestimmen, wurden die Kehrwerte der Drucktemperaturen gegen den natürlichen Logarithmus des dazugehörigen Drucks abgetragen.

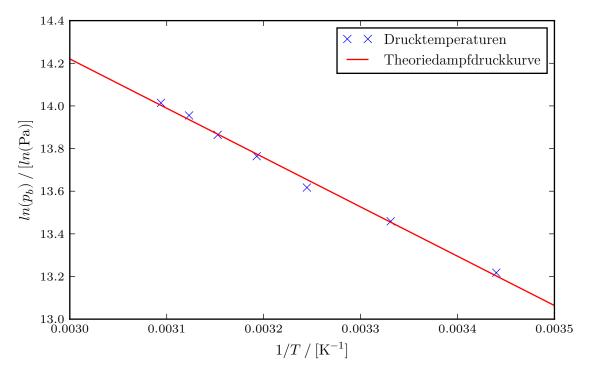


Abbildung 3: Dampfdruckkurve.

Durch lineare Ausgleichsrechnung mit Sci Py wurden die Parameter b und m der Ausgleichsgerade bestimmt zu:

$$m = (-2313.109 \pm 70.380) \, \mathrm{K}^{-1} \qquad \qquad b = 21.160 \pm 0.227$$

Nach dem bereits genannten Zusammenhang (10) ergibt sich die Verdampfungswärme Lnun zu

$$L = -m \cdot R = (19231.19 \pm 572.47) \frac{\text{J}}{\text{mol}}.$$

Nach dem allgemeinen Zusammenhang für die Verdampfungswärme (9) kann nun der Massendurchsatz bestimmt werden:

Tabelle 3: Massendurchsatz.

t[s]	$T_2[{ m K}]$	$\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t}[\mathrm{mol}\mathrm{s}^{-1}]$
420	14.9 ± 0.1	0.013732 ± 0.000480
840	19.5 ± 0.1	0.010274 ± 0.000390
1260	5.7 ± 0.1	0.006814 ± 0.000340
1680	3.5 ± 0.1	0.003354 ± 0.000330

4 Diskussion

Literatur

[1] TU Dortmund. Versuch zum Literaturverzeichnis. 2014.