

None

Null

22 mars 2024



## Table des matières

<b>1 TD3</b>	<b>1</b>
1.1 Exercice 1 . . . . .	1
1.2 Exercice 2 . . . . .	1

## 1 TD3

### 1.1 Exercice 1

1. Si on a  $\text{Safe}(\mathcal{T}) = \mathcal{T}$ , alors  $\mathcal{T} = \{\sigma_{\upharpoonright i} \mid \sigma \in \mathcal{T}\} \cup \{\sigma \in \mathbb{S}^\alpha \mid \forall i \in \mathbb{N}, \sigma_{\upharpoonright i} \in \mathcal{T}\}$ . En particulier,  $\forall i, \sigma_{\upharpoonright i} \in \mathcal{T} \Rightarrow \sigma \in \mathcal{T}$ . Par contraposée,  $\sigma \notin \mathcal{T} \Rightarrow \exists i, \sigma_{\upharpoonright i} \notin \mathcal{T}$ .  
Réciproquement, si  $\sigma \notin \mathcal{T} \Rightarrow \exists i, \sigma_{\upharpoonright i} \notin \mathcal{T}$ . Par extensivité,  $\mathcal{T} \subseteq \text{Safe}(\mathcal{T})$ .  
De plus, si  $\sigma \in \text{Safe}(\mathcal{T})$ . Supposons d'abord  $\sigma$  fini. Alors il existe  $\pi$  tel que  $\sigma \cdot \pi \in \mathcal{T}$ . Soit  $i$ , on pose  $\pi_i = \sigma_i \cdot \pi$ . On a  $\sigma_{\upharpoonright i} \cdot \pi_i = \sigma \cdot \pi \in \mathcal{T}$ . Donc par 1,  $\sigma \in \mathcal{T}$ .
2. **Intersection** Oui, puisque  $\sigma \notin p_k \Rightarrow \exists i, \sigma_{\upharpoonright i} \notin p_k$  pour  $k \in 0, 1$ . En particulier,  $\sigma \notin p_0 \cap p_1 \Rightarrow \exists i, \sigma_{\upharpoonright i} \notin p_0 \cap p_1$ . Ceci reste vrai pour une intersection dénombrable.  
**Union** On a  $\text{PCl}(X \cup Y) = \text{PCl}(X) \cup \text{PCl}(Y)$ . Par ailleurs,  $\text{Lim}(X \cup Y) = X \cup Y \cup \{\alpha \in \mathbb{S}^\alpha \mid \forall i \in \mathbb{N}, \sigma_{\upharpoonright i} \in X \cup Y\}$ . Dans le cas où  $X = \text{PCl}(A)$  et  $Y = \text{PCl}(B)$ , on peut séparer cette union.  
Ça ne marche pas pour une union dénombrable : on prend  $p_j$  la propriété "on s'arrête en  $j$  étapes", et  $\cup p_j$  est la propriété "Le programme termine", qui n'est pas une propriété de sûreté.
3. De gauche à droite c'est bon. Si  $\mathcal{S} \cap \mathbb{S}^* \subseteq \mathcal{T} \cap \mathbb{S}^*$ , alors
4. On a  $\text{PCl}(\mathcal{T}) = \mathbb{S}^*$  si et seulement si  $\forall \sigma \in \mathbb{S}^*, \exists \sigma', \sigma \cdot \sigma' \in \mathcal{T}$ .
5. On prend  $\mathbb{S}^*$  et  $\mathbb{S}^\omega$ . Et bah l'union ni l'intersection ça marche.

### 1.2 Exercice 2

1.  $\mathbb{S}^* \cap (\text{No runtime errors} \cap \text{la valeur de retour est un indice pour lequel il y a un zéro})$