

LYCÉE LA MARTINIÈRE MONPLAISIR LYON

SCIENCES INDUSTRIELLES POUR L'INGÉNIEUR

CLASSE PRÉPARATOIRE M.P.S.I.

Année 2022 - 2023

C5 : Analyse et résolution pour déterminer les performances cinématiques des systèmes composés de chaines de solide

TD 12 - Transmission de puissance (C5-2)

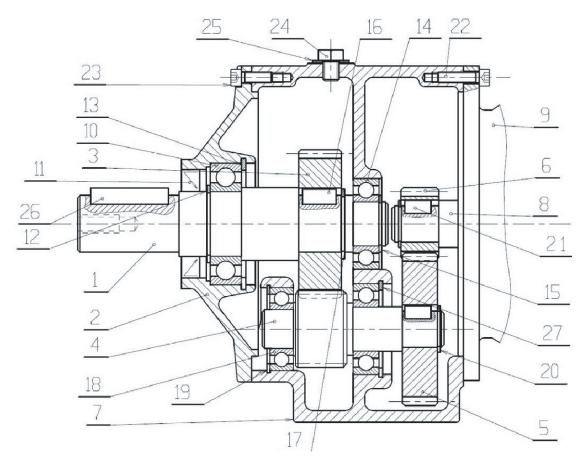
7 Mars 2023

Compétences

- Analyser
 - Associer les fonctions aux constituants.
- Modéliser
 - Vérifier la cohérence du modèle choisi en confrontant les résultats analytiques et/ou numériques aux résultats expérimentaux.
- Résoudre
 - o Déterminer les relations entre les grandeurs géométriques ou cinématiques.
 - Mener une simulation numérique.

Exercice 1:

1 Réducteur simple à deux étages



Données : $Z_6 = 20$, $Z_5 = 46$, $Z_{5'} = 22$ et $Z_3 = 44$.

Q 1 : Identifier l'arbre d'entrée et l'arbre de sortie.

Q 2 : Dessiner le schéma cinématique du système.

Q 3 : Identifier les roues menées et les roues menantes.

Q 4 : Donner le rapport de réduction du système.

Exercice 2 : Étude de la transmission de puissance d'un système d'élévation d'une rame de Tram

Source: CCP PSI 2011

1 Présentation

L'étude repose sur un système permettant de soulever une rame de Tramway du sol. On souhaite dimensionner le moteur pour avoir une vitesse de levée de $10 \ mm/s$ (diagramme des exigences partiel figure 1). On donne le schéma cinématique de la transformation de mouvement du système d'élévation d'une rame de Tram.

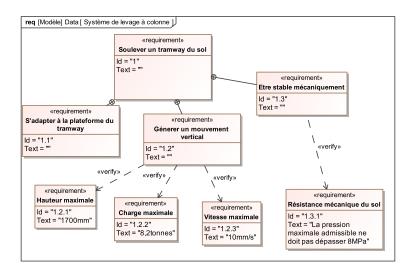
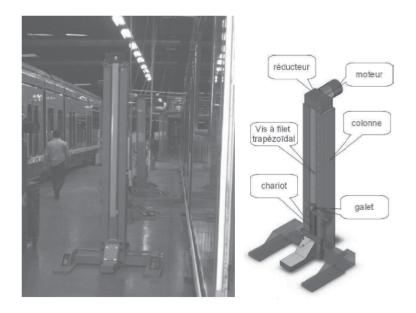
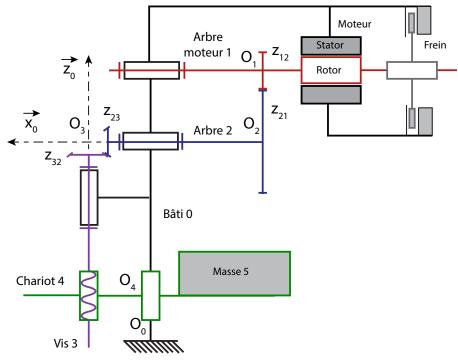


FIGURE 1 – Diagramme des exigences partiel





On note $\overrightarrow{\Omega}_{10} = \omega_{10} \cdot \overrightarrow{x}_0 = \dot{\theta}_1 \cdot \overrightarrow{x}_0$

2 Données sur les liaisons

- Liaison L_{12} :
 - Pignon de l'arbre 1 engrenant avec l'arbre 2 : nombre de dents : $Z_{12} = 15$,
 - Pignon de l'arbre 2 engrenant avec l'arbre 1 : nombre de dents : $Z_{21} = 75$,
- Liaison L_{23} :
 - Pignon de l'arbre 2 engrenant avec la vis 3 : nombre de dents : $Z_{23} = 14$,
 - Pignon de la vis 3 engrenant avec l'arbre 2 : nombre de dents : $Z_{32} = 35$,
- Liaison L_{34} : pas du système vis-écrou : $p_{34} = 5 \ mm$

3 Étude du réducteur de vitesse

Q 5 : Déterminer en fonction de $\dot{\theta}_1$ et des données concernant les roues dentées et le système vis-écrou les vitesses de rotation :

- 1. $\overrightarrow{\Omega}_{2/0}$,
- 2. $\overrightarrow{\Omega}_{3/0}$.

Q 6 : Déterminer numériquement les rapports :

- 1. $r_{12} = \frac{\omega_{20}}{\omega_{10}}$
- **2.** $r_{23} = \frac{\omega_{30}}{\omega_{20}}$,

4 Étude du système de transformation de mouvement

- Q7: Tracer le graph des liaisons du système de transformation de mouvement constitué des solides 0-3-4.
- Q 8 : Écrire le torseurs cinématiques associé à chaque liaison en précisant les lieux d'invariance.
- Q 9 : Écrire la fermeture cinématique.
- **Q 10 :** En déduire une relation entre la vitesse de levée : $V_L = \overrightarrow{V}(O_4 \in 4/0) \cdot \overrightarrow{z}_0$ et $\omega_{30} = \overrightarrow{\Omega}_{3/0} \cdot \overrightarrow{z}_0$
- Q 11 : En déduire les rapports :

- 1. $r_{34} = \frac{V_L}{\omega_{30}}$,

2. $r_g = \frac{V_L}{\omega_{10}}$. Q 12 : Déterminer la vitesse de rotation du moteur souhaitée (à exprimer en tours par minute) pour obtenir une vitesse de levée conforme au cahier des charges.