Informatique tronc commun Devoir nº 02

À rendre le 4 janvier 2016

Ce devoir est à réaliser *individuellement* pendant les vacances de Noël. Il est court, son objectif est avant tout de vous entraîner à justifier la correction de vos programmes. Nous vous donnons les consignes suivantes.

Toutes les boucles écrites seront rigoureusement justifiées. Tous les résultats de fonctions seront rigoureusement justifiés.

Vous écrirez les fonctions demandées dans le langage Python (version 3) et rendrez une version manuscrite ¹ de votre travail. Veillez à bien organiser l'écriture vos fonctions, notamment au niveau de l'indentation. Par souci de clarté, il est vivement recommandé de numéroter les lignes d'une fonction Python et de se référencer à un numéro de ligne quand vous écrivez une justification.

Vous rédigerez les justifications demandées hors du corps des fonctions.

1 Triangle de Pascal

Q1 Écrire une fonction pascal(n) ayant comme argument un entier naturel n et retournant la n^e ligne du triangle de Pascal, sous forme de tableau. Ainsi, pour n = 2, cette fonction doit retourner [1, 2, 1].

Attention : seul l'usage de la formule de Pascal est autorisé ; en particulier, il est interdit d'utiliser la relation $\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$.

2 Détection de doublon

Q2 Écrire une fonction doublon(t) qui, à un tableau t, renvoie un booléen indiquant s'il existe un élément de t se trouvant au moins deux fois dans t.

^{1.} Bien entendu, il est impératif de faire tourner vos fonctions sur ordinateur, ne serait-ce que pour vérifier expérimentalement vos réponses.