

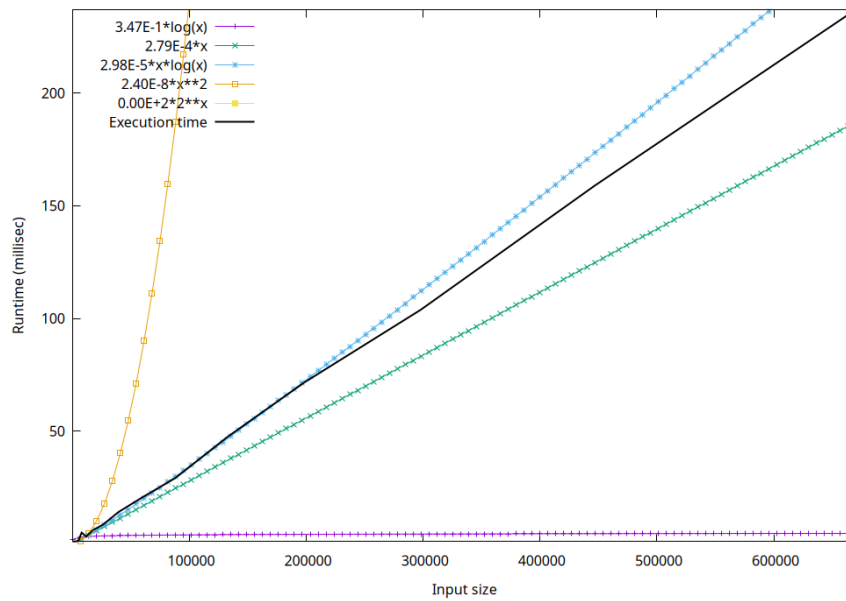
Analyse d'Algorithmes - TP1

Documentation

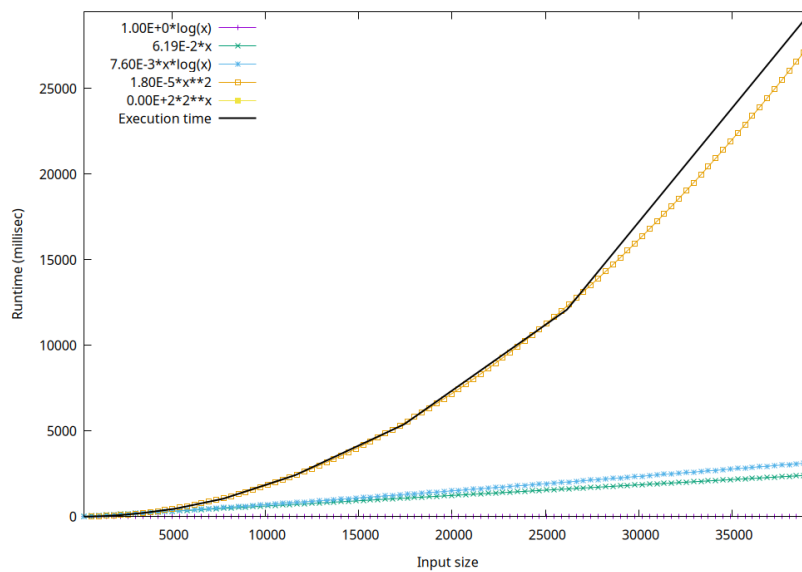
Simon Pichenot

Problème 1

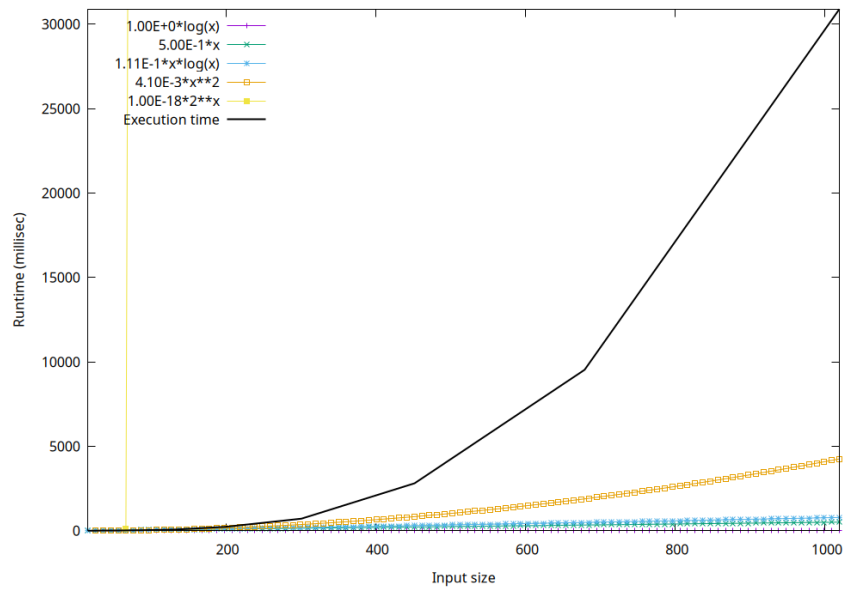
Pour le problème 1 je récupère les graphs suivants :



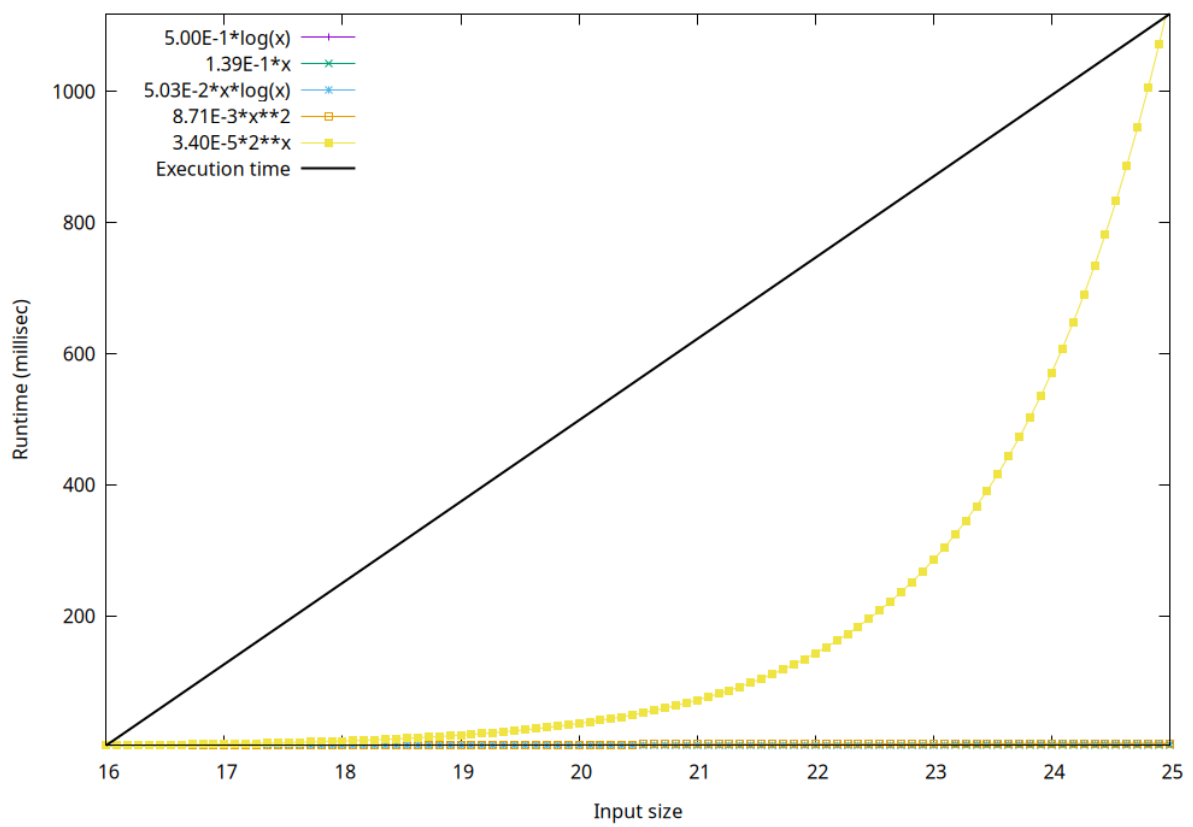
Fonction en $O(n)$



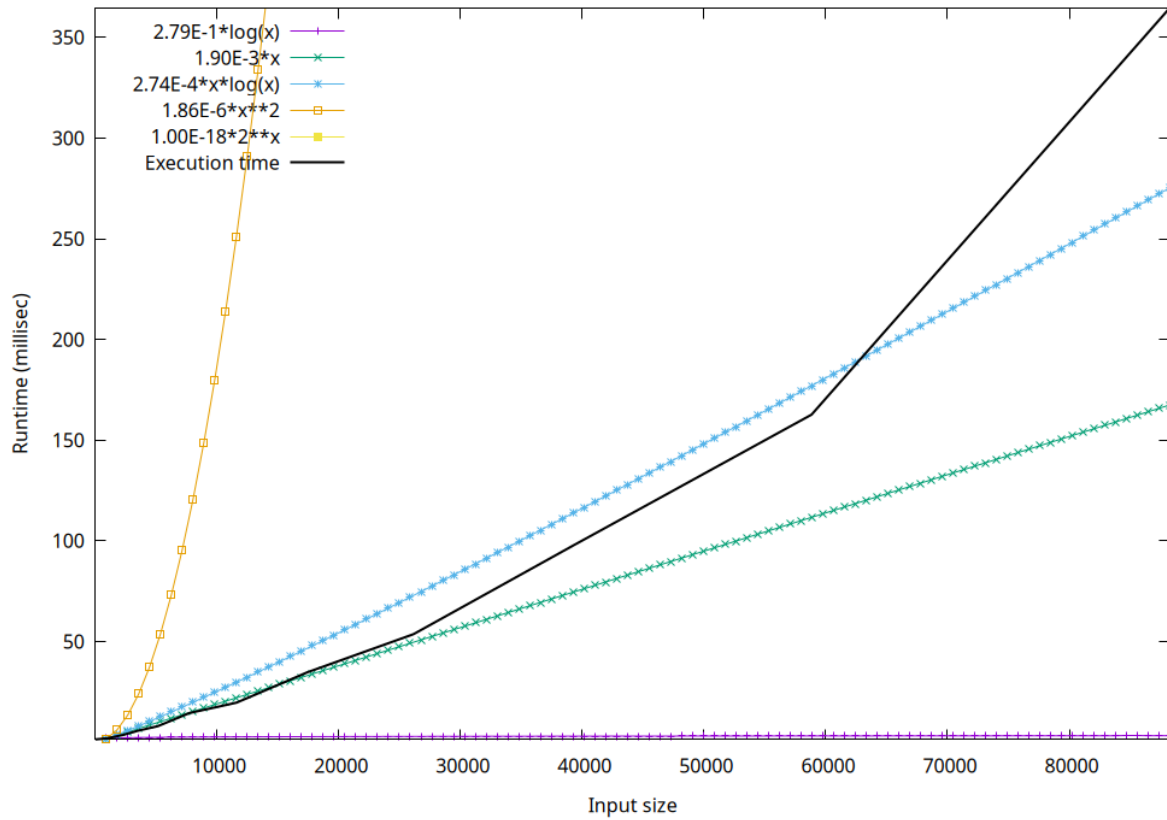
Fonction en $O(n^2)$



Fonction en $O(n^3)$



Fonction en $O(2^n)$

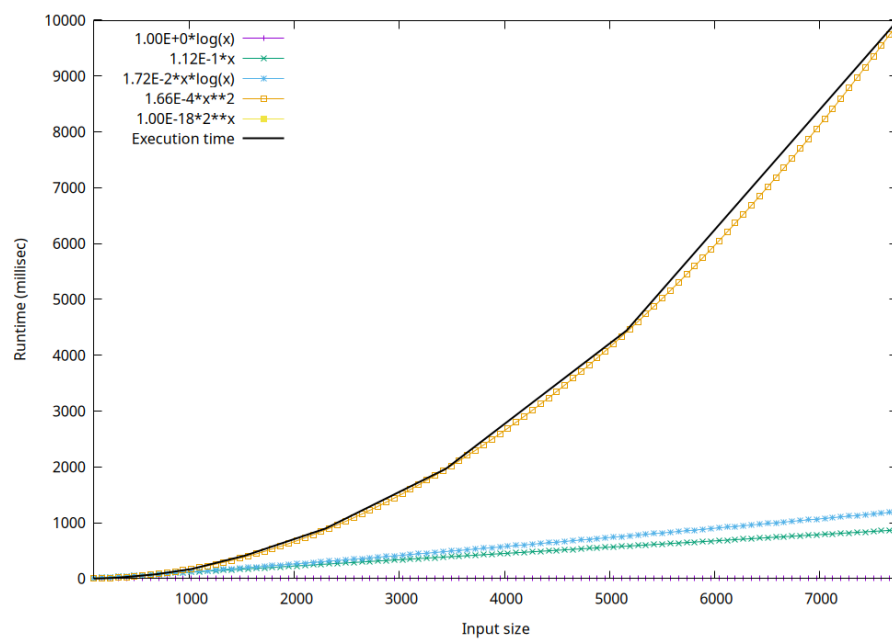


Fonction en $O(n \log n)$

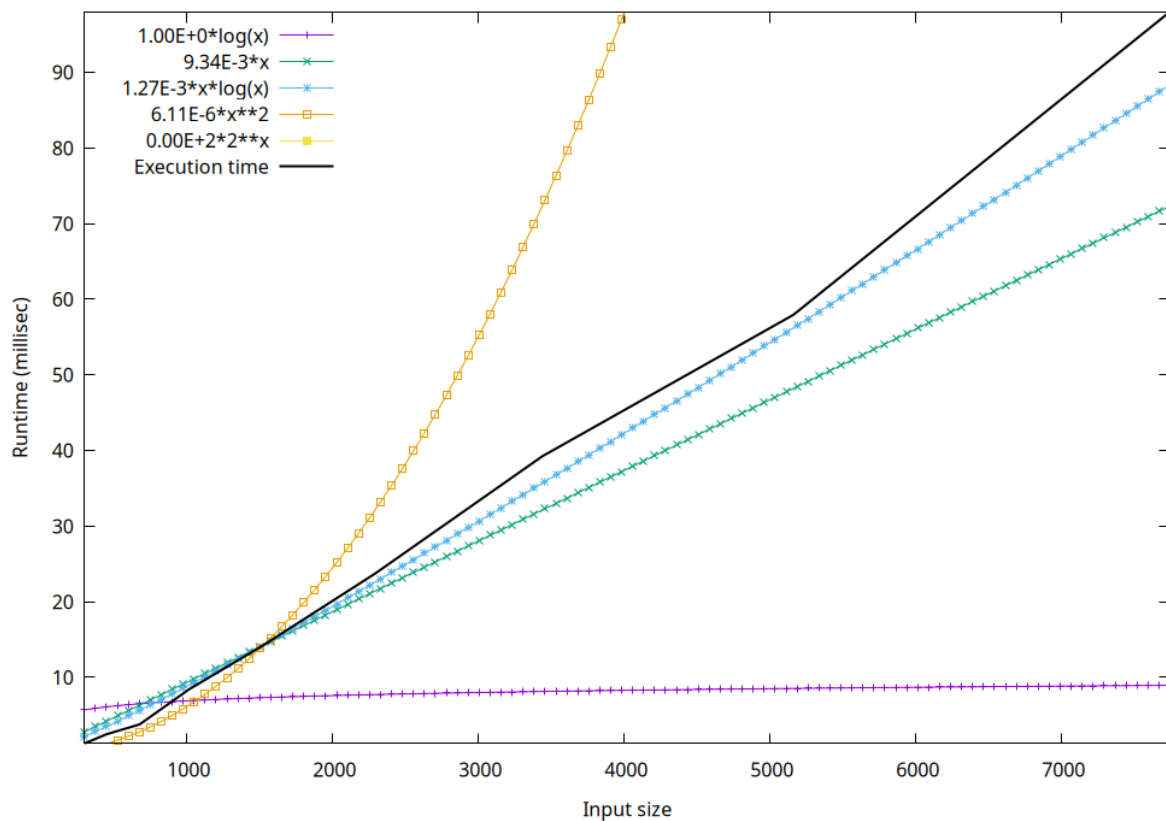
Problème 2

Pour cette partie voir code probleme2.py

b) La complexité de l'algorithme est en $O(n^2)$. On a la courbe de test ci-dessous.



En utilisant la méthode diviser pour régner on arrive à diminuer le temps à $O(n \log n)$.
On a la courbe de test ci-dessous.



e) Sachant que mon processeur à une cadence de 2.9 Ghz et que la taille d'entrée est de 10^8 . Le code est en python donc on considère 100 microsecondes pour le temps de traitement d'une opération.

On a donc pour la méthode naïve :

$$(10^8)^2 = 10^{16} \Rightarrow (10^{16}) / 10^7 \cdot 2.9 = 344827586 = 10.9 \text{ ans}$$

Et pour la méthode diviser pour régner :

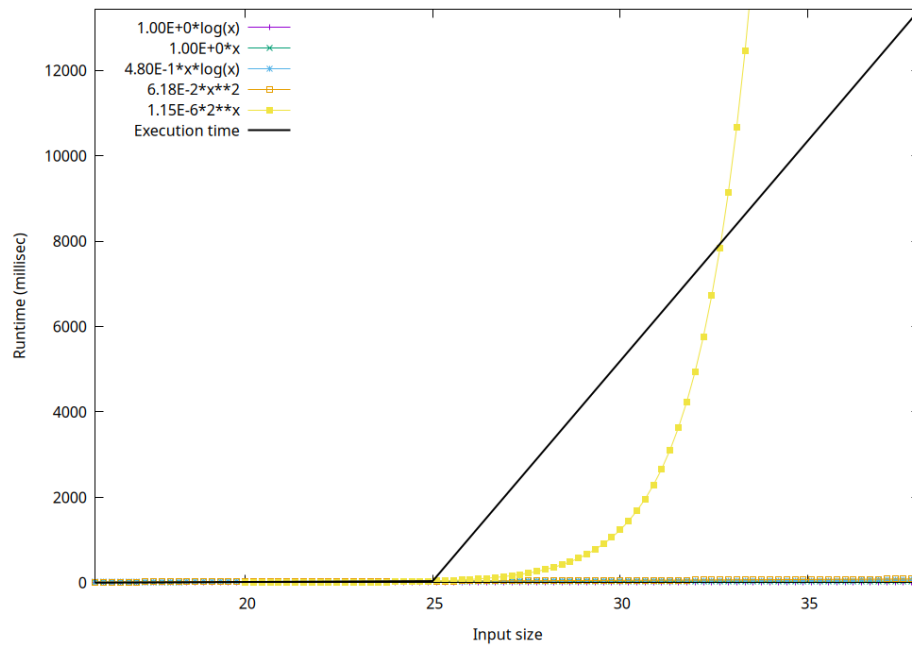
$$(10^8 \cdot \log(10^8) = 8 \cdot 10^8 \Rightarrow (8 \cdot 10^8) / 10^7 \cdot 2.9 = 27s$$

Problème 3

Pour le code de ce problème voir fichier probleme3.py

b) La taille de l'entrée est n et que l'algorithme itère sur n alors la complexité dépend de n .

c)



Nous avons peut de point car le temps d'exécution est très long mais nous pouvons voir que la complexité est proche de $O(n^2)$.

d) L'algorithme est long car dans la boucle nous faisons beaucoup de fois le même calcul pour vérifier nos valeurs du tableau.

f) Avec l'optimisation apportée à cet algorithme nous avons un temps linéaire $O(n)$.

g)

