# Inteligência Artificial

Prof. Doutor Felipe Grando felipegrando@uffs.edu.br



# Introdução a área de IA

O que é IA, fundamentos e breve histórico (RUSSELL; NORVIG, 2022. cap. 1)



## Introdução

- O campo da Inteligência Artificial (IA) visa a construção de máquinas inteligentes que conseguem computar e agir racionalmente de modo eficaz e seguro em uma grande variedade de situações
- Abrange diversos subcampos, tais como:
  - Busca e otimização
  - Aprendizado de máquina
  - Robótica e automação
  - Visão computacional
  - Processamento de linguagem natural



## O que é?

- Inteligência
  - Racionalidade, fazer a coisa "certa"
  - Compreender e resolver problemas
  - Aprender com a experiência
  - Adaptar-se a novas situações
  - Pensar no que é correto e porquê
  - Agir de forma eficiente para atingir um objetivo

- Artificial
  - Criado pelo Ser Humano
  - Oposto de natural
  - Mecânico ou tecnológico
  - Inorgânico



## Inteligência Artificial

- Subcampo da Ciência da Computação mas é multidisciplinar
- Sistemas de computador que imitam ou buscam superar (singularidade) a inteligência humana
- Sistemas que são capazes de pensar, agir e resolver problemas ou atuar em atividades que normalmente exigiriam inteligência humana
- Agentes racionais modelo padrão
  - Racionalidade limitada agir de forma apropriada com recursos limitados de tempo ao invés de buscar a racionalidade perfeita
- Máquinas benéficas e úteis para os humanos



### Fundamentos

#### Filosofia

Discorre que a mente é semelhante a uma máquina no sentido que codifica o conhecimento e opera (pensa) sobre ele para agir inteligentemente

#### Matemática

 Base e ferramenta para compreensão da computação e do raciocínio sobre algoritmos

#### Economia

 Formalização do conceito de utilidade na tomada de decisões

#### • Engenharia da Computação

 Construção de máquinas mais poderosas e mais "usáveis" (engenharia de software)

#### Neurociência

 Funcionamento do cérebro humano e como ele se assemelha e se diferencia dos computadores

#### Psicologia

 Consideram animais como máquinas de processamento de informações e que o uso da linguagem se ajusta a esse modelo

#### Controle e Automação

 Trouxeram ideias para técnicas e máquinas que usam o feedback do ambiente para agirem de forma ótima



## Histórico

- 1943 1956
  - Redes de neurônios artificiais (1943)
  - Aprendizado hebbiano (1949)
  - Algoritmo genético, aprendizado por reforço e Teste de Turing (1950)
  - Cunhado o termo AI (Artificial Intelligence) (1956)
- 1952 1969
  - Entusiasmo inicial e grandes expectativas
  - Venceu o melhor jogador de Damas (1956)
  - Criação do Lisp (1958), linguagem de programação dominante para a IA por cerca de 30 anos

- Provador de teoremas (1959)
- Perceptron e sua teoria de convergência (1962)
- 1966 1986
  - Decepção com resultados previstos para a área
  - Poder computacional muito limitado para técnicas de aprendizado
  - Sistemas especialistas (1969)
  - Criação do Prolog (1972), linguagem de programação com paradigma de programação em lógica matemática



### Histórico

#### • 1986 – Atualidade

- Aprendizado por retropropagação backpropagation (1986)
- Criação do Python (1991), ganhou maior popularidade a partir da versão 3 (2008)
- Foco no raciocínio probabilístico e aprendizado de máquina
- Evolução significativa no poder computacional
- Resultados importantes em jogos como o Xadrez (1997), Jeopardy (2011), Go (2015), Dota 2 (2018), pôquer (2019), Starcraft II (2019) e Quake III (2019)
- Big data (2001) e World Wide Web (2007) proporcionaram dados abundantes para técnicas de aprendizado
- Aprendizado profundo e redes convolucionais (1995)
- Desenvolvimento e uso de *hardware* especializado e GPUs
- Fama no reconhecimento da fala e de objetos (2011)
- Grande avanço na robótica em geral e veículos autônomos



## Principais veículos científicos

#### Organizações

- AAAI (American Association for AI)
- ACM SIGAI (Special Interest Group in AI)
- European Association for Al
- Society for AI and Simulation of Behavior
- Revistas (periódicos)
  - Artificial Intelligence
  - Computational Intelligence
  - IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Learning

- IEEE Intelligent Systems
- Journal of Al Research
- Eventos (conferências)
  - IJCAI (International Joint Conference on AI)
  - AAAI Conference
  - ECAI (European Conference on AI)
  - BRACIS (Brazilian Conference on Intelligent Systems)



# Agentes Inteligentes

Sistemas que percebem seu ambiente e atuam de forma adequada (RUSSELL; NORVIG, 2022. cap. 2)



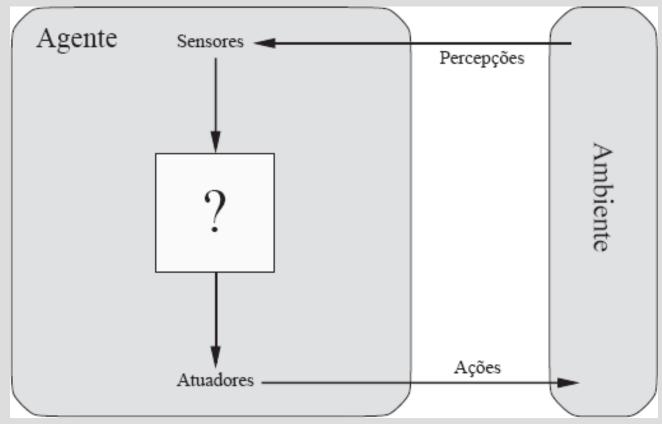
#### Agentes e Ambientes

A função de um agente é a de mapear um conjunto de percepções do ambiente em uma ação

Um agente é considerado inteligente ou racional se a ação selecionada maximiza sua medida de desempenho

Coletar informações do ambiente (exploração) e armazenar percepções passadas (memorização) pode ser importante para melhorar o desempenho do agente ao modificar sua função de mapeamento (aprendizado)

Um agente é autônomo quando baseia suas ações em suas próprias percepções ao invés de apenas no conhecimento anterior definido pelo seu projetista



Agentes interagem com ambientes por meio de sensores e atuadores



#### Natureza dos ambientes

- Completamente observável
- Agente único
- Determinístico
- Episódico
- Estático
- Discreto
- Conhecido

- Parcialmente observável
- Multiagente
  - Cooperativo ou competitivo
- Não determinístico
- Sequencial
- Dinâmico
- Contínuo
- Desconhecido



#### Natureza dos ambientes

- Completamente observável versus parcialmente observável
  - Capacidade dos sensores de acessar todas as informações do estado atual em que o agente se encontra.
- Agente único versus multiagente
  - Independência versus dependência do desempenho do agente em relação ao comportamento/desempenho de outras entidades que atuam no ambiente.
- Determinístico versus não determinístico
  - Previsibilidade do próximo estado é exclusivamente determinada, ou não, pela ação a ser executada pelo agente.



#### Natureza dos ambientes

#### Episódico versus sequencial

• A experiência ou desempenho do agente no próximo estado depende de suas percepções e ações atuais ou de toda a cadeia de eventos ocorridos no passado.

#### Estático versus dinâmico

 O estado do ambiente sofre ou não mudanças enquanto o agente está escolhendo suas ações (deliberando).

#### Discreto versus contínuo

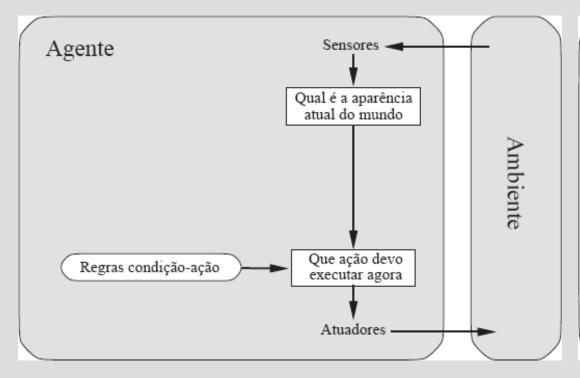
• Refere-se a composição (limitada ou infinita) do grupo de possíveis estados do ambiente, ações do agente e como o tempo é tratado.

#### Conhecido versus desconhecido

Nível de conhecimento do agente sobre as regras que regem o ambiente.



## Tipos de agentes



Como o mundo evolui

Qual é a aparência atual do mundo

O que minhas ações fazem

Que ação devo executar agora

Agente

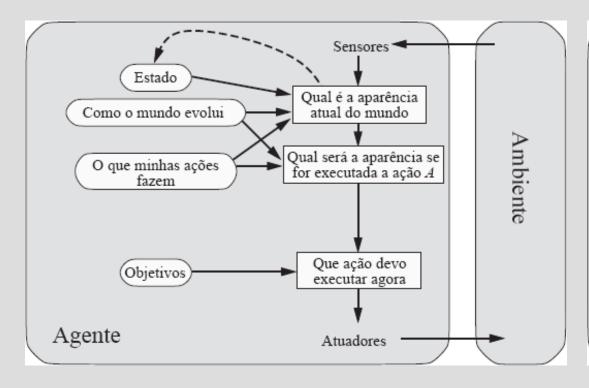
Atuadores

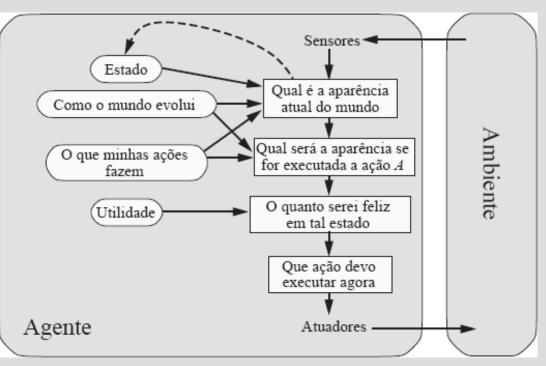
Agente reativo simples

Agente reativo baseado em modelo



## Tipos de agentes





Agente baseado em modelo e em objetivos

Agente baseado em modelo e em utilidade



#### Tipos de agente

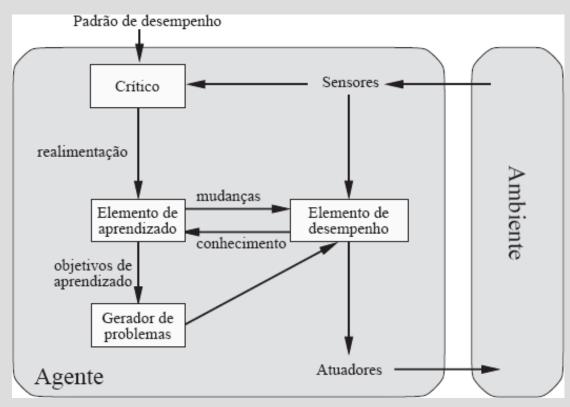
Agentes reativos simples respondem diretamente às suas percepções

Agentes reativos baseados em modelos mantêm o estado interno para monitorar aspectos do mundo que não estão evidentes na percepção atual

Agentes baseados em objetivos agem para maximizá-los ou alcançá-los

Agentes baseados em utilidade buscam maximizar o seu próprio "bem-estar"

Todos os agentes podem melhorar seu desempenho por meio do aprendizado



Agente com aprendizado



# Problemas de busca e otimização

O objetivo é encontrar uma sequência de ações para uma solução (RUSSELL; NORVIG, 2022. cap. 3)



#### Problemas de busca

- Problemas de busca podem ser definidos como:
  - Conjunto de estados possíveis para o ambiente do problema
    - Cada estado representa uma situação única do ambiente em determinado tempo
    - O conjunto de todos os estados é chamado de espaço de estados
      - O espaço de estados do jogo de Xadrez é estimado em um valor maior ao de átomos no Universo conhecido
  - Estado inicial
    - Pode ser distinto para diferentes instâncias do problema
  - Conjunto de estados finais, meta ou objetivo
    - O conjunto pode ser vazio se a instância do problema não possuir solução
  - Conjunto de ações possíveis
  - Modelo de transição de estados
    - Mapeia ou descreve o que cada ação faz
  - Função de custo ou de objetivo
    - Presente apenas em problemas de otimização. Nesses problemas não é suficiente encontrar uma solução qualquer pois desejamos encontrar a melhor solução possível (solução ótima)



## Modelo de um problema de busca

- Um modelo de um problema é uma representação abstrata do problema real com apenas as características consideradas essenciais para a solução adequada do problema
  - O modelo sempre é uma simplificação do mundo real ao qual se deseja atuar e é fundamental para tratar de problemas muito complexos ou grandes
  - Quanto maior o nível de abstração do problema maior é a simplificação do mesmo. O desejável é sempre manter o problema o mais abstrato possível sem perder nenhuma característica importante para a solução do mesmo

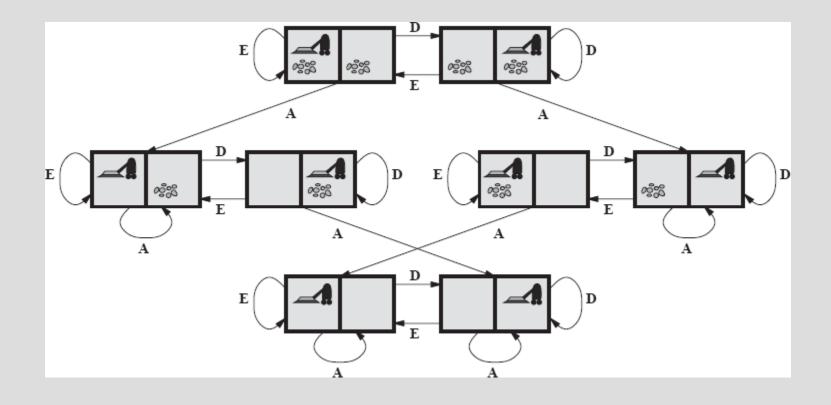


## Exemplo – Modelo do problema do aspirador

- Estados: 8 possíveis
  - Formado por duas células físicas de espaço que podem estar limpas ou sujas e duas posições para o aspirador
- Estado inicial: qualquer estado pode ser o inicial
- Ações: 3 possíveis
  - Mover o aspirador para direita ou para a esquerda e aspirar a sujeira no local onde se encontra
- Estado final: os estados onde todos os espaços estão limpos
- Custo de ação: cada ação custa 1 unidade de tempo



## Exemplo – Modelo do problema do aspirador



Modelo de transição e espaço de estados



## Exemplo – Modelo do Jogo de 8 peças

- Estados: 9!/2 = 181440
  - Formado por uma grade 3x3 e 8 peças (1 espaço em branco, sem peça)
- Estado inicial: qualquer estado pode ser o inicial
- Ações: 4 possíveis
  - Mover para cima, baixo, esquerda e direita
- Custo de ação: cada ação custa 1 unidade de tempo
- Modelo de transição: o espaço vazio troca de lugar com uma peça ortogonalmente adjacente ou permanece no mesmo lugar caso a ação seja inválida (mover uma peça para fora da grade)



## Exemplo – Modelo do Jogo de 8 peças

#### • Estado final:

 Blocos ordenados em ordem crescente com o espaço vazio no canto inferior direito

| 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|
| 4 | 5 | 6 |
| 7 | 8 |   |



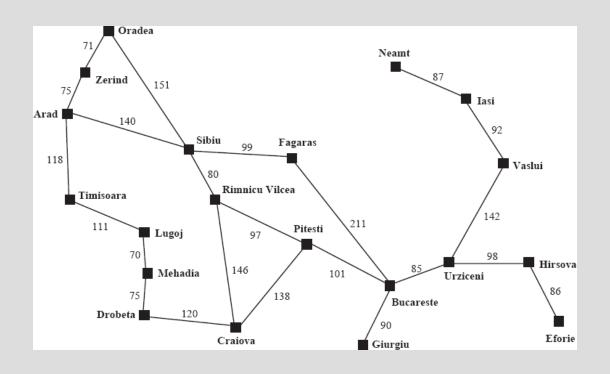
## Exemplo – Modelo do Caixeiro Viajante

- Estados: V!/V
  - Formado por um grafo com V vértices onde cada vértice representa um local a ser visitado e o vértice inicial deve ser também o último vértice (ciclo hamiltoniano)
    - Podemos abstrair e retirar a repetição do último vértice na sequência pois é uma características inata do problema que a rota deve terminar sempre no vértice inicial
  - Não consideraremos uma rota parcial como sendo um estado possível pois não é uma solução viável
  - Podemos abstrair a necessidade de visitar um mesmo vértice múltiplas vezes em problemas com rotas restritas (grafos incompletos) se computarmos e considerarmos somente a melhor rota entre cada um dos vértices independentemente se essa rota passar por outros vértices intermediários
- Estado inicial: qualquer sequência com todos os vértices do grafo sem repetição
- Ações: mudar a ordem da sequência dos vértices
- Custo de ação: a ação custa tempo computacional variado
- Modelo de transição: uma sequência (lista de vértices) é transformada em outra sequência válida



## Exemplo – Modelo do Caixeiro Viajante

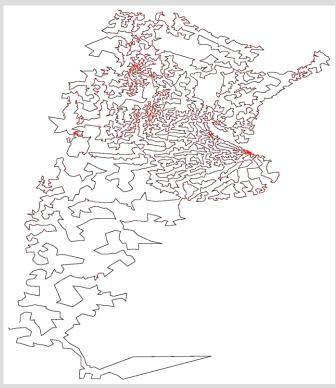
- Exemplo de grafo representando rotas entre cidades da Romênia
  - Cada cidade é representada por um vértice do grafo
  - Cada aresta representa uma rota entre as cidades e o seu peso é o custo dessa rota
    - O custo pode ser a distância, o tempo de viagem ou até uma combinação de múltiplos fatores

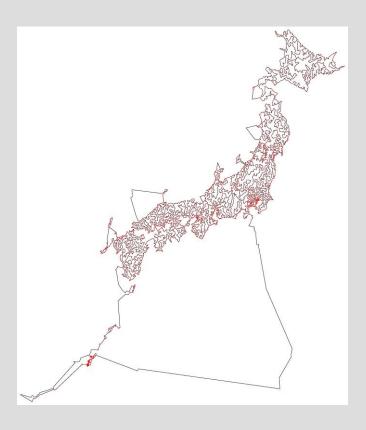




## Exemplo – Modelo do Caixeiro Viajante

- Uma solução possível para o problema do caixeiro viajante para duas instâncias do mundo real (6723 cidades da Argentina à esquerda e 9847 cidades do Japão à direita)
  - Apenas a solução para a instância do Japão é ótima
  - Foram consideradas apenas as distâncias em linha reta e desconsideradas qualquer característica geográfica





- Instâncias retiradas de:
  - https://www.math.uwaterloo.ca/tsp/world/countries.html



# Algoritmos de busca simples

Agentes inteligentes que buscam encontrar uma solução de forma eficiente (RUSSELL; NORVIG, 2022. cap. 3)



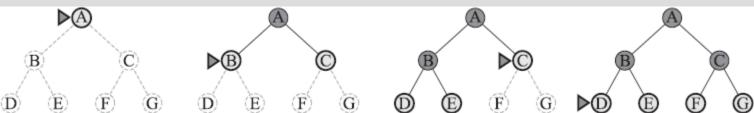
#### Conceito

- Algoritmos de busca recebem uma entrada (instância) de um problema de busca e visam retornar uma sequência de passos (ações) para um estado meta (solução)
- Muitos algoritmos de busca sobrepõem uma árvore de busca sobre o espaço de estados, formando diferentes caminhos a partir do estado inicial (raiz) até o estado meta (nó folha)
  - As conexões ou ramificações na árvore de busca, entre os nós pais e filhos, são geradas pelas ações possíveis em cada estado pai
  - A busca realiza a expansão (análise) dos nós na árvore de busca até encontrar uma solução
    - Cada algoritmo de busca aplica uma estratégia diferente de escolha do nó a ser expandido primeiro
- Podemos avaliar uma busca quanto a sua completude (encontra uma solução, se existir uma), custo e/ou eficiência (tempo e espaço gastos) e otimalidade (sempre encontra a melhor solução, ou seja, aquela cujo somatório do custo das ações é mínimo)



## Busca em largura (BFS – Breadth-First Search)

- O nó raiz é expandido primeiro, em seguida todos os sucessores do nó raiz são expandidos, depois os sucessores destes e assim sucessivamente
  - A BFS expande totalmente cada nível da árvore antes de partir para o próximo nível de profundidade
- É completa (se b e o espaço de estados são finitos)
- É ótima (se os custos de ação forem iguais)
- A complexidade assintótica de tempo é  $O(b^d)$
- A complexidade assintótica de espaço é  $O(b^d)$ 
  - b é o fator de ramificação da árvore (quantidade de ações médias em cada estado)
  - d é a profundidade da solução mais rasa (solução mais próxima da raiz)





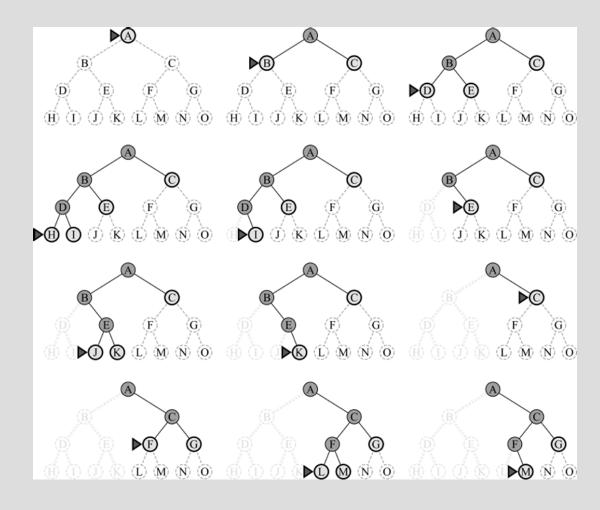
## Busca de custo uniforme (UCS – Uniform-Cost Search)

- A diferença para a busca em largura é que a UCS é aplicada em problemas cujas ações possuem custo diferente
  - Ao invés de expandir primeiro os nós mais próximos da raiz, a UCS expande primeiro os nós de menor custo agregado (custo do caminho até aquele nó ou g(n))
- Também conhecida como algoritmo de Dijkstra (quando todos os custos são positivos) ou algoritmo de Bellman-Ford (considera também custos de ações negativas e resolve o problema desde que não exista ciclo de custo negativo no grafo de busca)
- É completa (se b e o espaço de estados são finitos e todos os custos são positivos ou se não existem ciclos negativos)
- É ótima
- A complexidade assintótica de tempo é  $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon\rfloor})$
- A complexidade assintótica de espaço é  $O(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon\rfloor})$ 
  - C\* é o custo da solução ótima
  - $\epsilon$  (épsilon) é o menor custo dentre as ações possíveis em todo o espaço de estados



## Busca em profundidade (DFS – Depth-First Search)

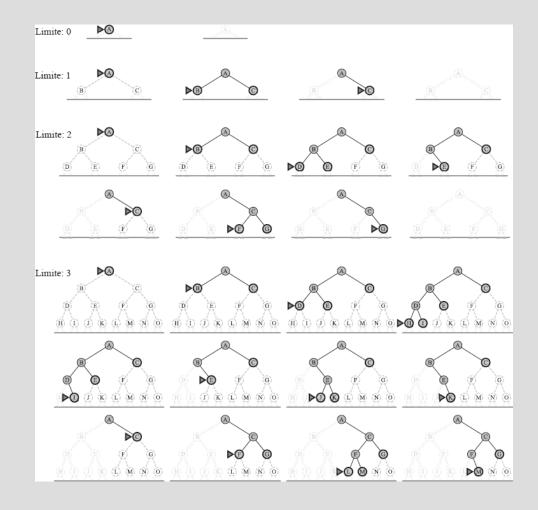
- Expande o nó mais profundo primeiro
- Não é completa (pode ficar presa em ciclos)
- Não é ótima
- A complexidade assintótica de tempo é  $O(b^m)$
- A complexidade assintótica de espaço é O(bm)
  - m é a profundidade máxima da árvore de busca





# Busca em aprofundamento iterativo (IDFS – Iterative deepening DFS)

- Aplica DFS limitando a profundidade máxima da busca iterativamente
  - Começa com o limite = 0, realiza DFS, aumenta o limite em 1 e repete DFS sucessivamente até que o limite seja igual a d
- É completa (se b e o espaço de estados são finitos)
- É ótima (se os custos de ação forem iguais)
- A complexidade assintótica de tempo é  $O(b^d)$
- A complexidade assintótica de espaço  $e^{O(bd)}$





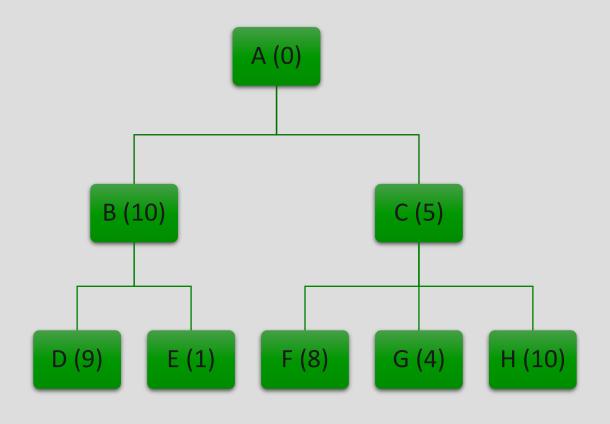
# Busca bidirectional (BS – Bidirectional Search)

- Aplica duas buscas, uma iniciando a partir da raiz e outra do estado meta (quando conhecido) simultaneamente
- A ideia de BS é que as buscas começam em extremos opostos e são finalizadas quando se encontram no "meio" do espaço de busca
- É completa (se usar a BFS ou a UCS)
- É ótima (se os custos de ação forem iguais e se usar a BFS ou a UCS)
- A complexidade assintótica de tempo é  $O(b^{d/2})$
- A complexidade assintótica de espaço é  $O(b^{d/2})$



## Exercício 1 – Algoritmos de busca simples

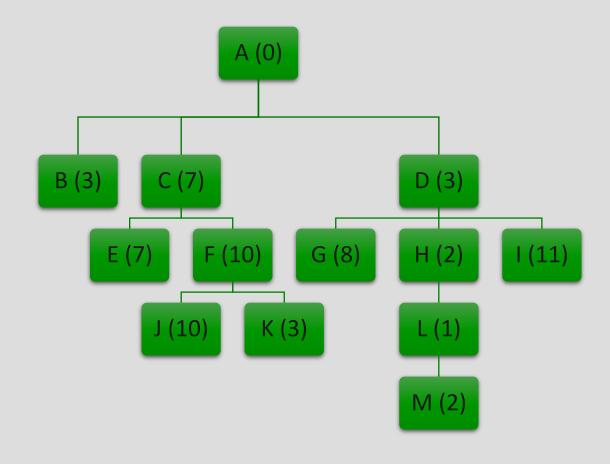
- Encontre a sequência de nós expandida pela busca para a árvore de estados ao lado
  - Considere os custos dos caminhos apenas para UCS
- BFS
- UCS
- DFS
- IDFS





## Atividade 3a – Algoritmos de busca simples

- Encontre a sequência de nós expandida pela busca para a árvore de estados ao lado
  - Considere os custos dos caminhos apenas para UCS
- BFS
- UCS
- DFS
- IDFS





# Atividade 3b – Algoritmos de busca simples

- Desenhe uma árvore de busca compatível com a sequência de nós expandida pelas duas busca abaixo
  - OBS: Pode existir mais de uma árvore possível que seja compatível com os resultados abaixo de busca. Basta desenhar uma possibilidade válida.
- BFS: [X, A, E, R, Q, U, B, O, C, K]
- DFS: [X, A, E, R, U, C, K, Q, B, O]



# Buscas informadas (heurísticas)

- Utiliza conhecimento do domínio do problema para direcionar a busca de forma mais eficiente no espaço de estados
- Aplica um função h(n) sobre os estados disponíveis para estimar o custo deste estado até o estado meta
  - Chamamos a função h(n) de função heurística
  - A função heurística é considerada admissível quando ela nunca superestima o custo necessário do estado avaliado até o estado meta, ou seja, uma heurística admissível sempre é otimista
    - Funções heurísticas admissíveis são fundamentais para garantir a otimalidade de vários algoritmos de busca, no entanto, as vezes é melhor usar heurísticas inadmissíveis quando o espaço de busca for muito grande (perdendo a garantia da otimalidade) mas garantindo maior eficiência computacional para os algoritmos de busca



# Busca gulosa (GS – Greed Search)

- Expande sempre o nó cujo h(n) for menor
- É completa (se o espaço de estados é finito)
- A otimalidade da busca depende do problema e da heurística utilizada
- A complexidade assintótica de tempo e espaço dependem do problema e da heurística utilizada
  - Boas funções heurísticas em determinados problemas são O(bm) tanto em tempo como espaço

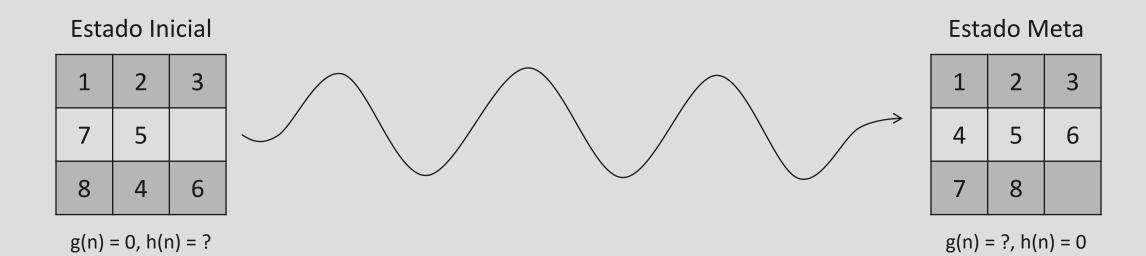


# Busca A\* (A estrela)

- Expande sempre o nó cujo h(n) + g(n) for menor
  - Quando houver empates a busca escolhe um dos nós empatados aleatoriamente
  - g(n) é o custo acumulado das ações até aquele estado (usado na UCS)
- É completa (se o espaço de estados é finito)
- É ótima (se h(n) for admissível)
- A complexidade assintótica de tempo é  $O(b^d)$
- A complexidade assintótica de espaço é  $O(b^d)$
- Embora a complexidade assintótica de tempo e espaço seja igual a da BFS, na prática, a busca A\* é muito mais eficiente se a heurística utilizada for boa

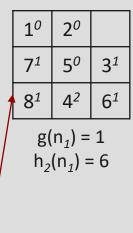


# Exemplo da busca A\* no jogo de 8 peças



- $h_1(n)$  é a quantidade de peças fora do lugar
- $h_2(n)$  é a distância de Manhattan (distância de quarteirão)





Estado Inicial (n<sub>o</sub>)

| 10                    | 20             | <b>3</b> <sup>0</sup> |
|-----------------------|----------------|-----------------------|
| <b>7</b> <sup>1</sup> | 5 <sup>0</sup> |                       |
| 81                    | 42             | 6 <sup>1</sup>        |

$$g(n_0) = 0$$
  
 $h_2(n_0) = 5$ 

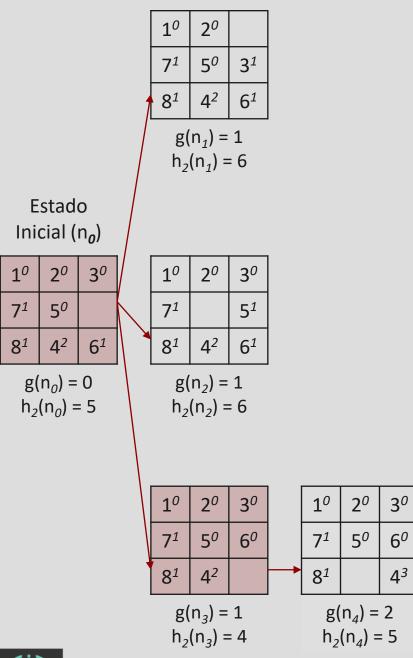
| <b>1</b> <sup>0</sup> | <b>2</b> <sup>0</sup> | 30             |
|-----------------------|-----------------------|----------------|
| 71                    |                       | 5 <sup>1</sup> |
| 81                    | 42                    | 61             |
|                       |                       |                |

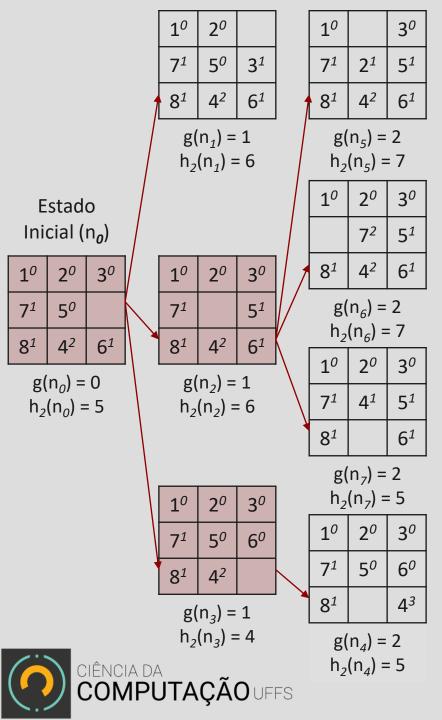
$$g(n_2) = 1$$
  
 $h_2(n_2) = 6$ 

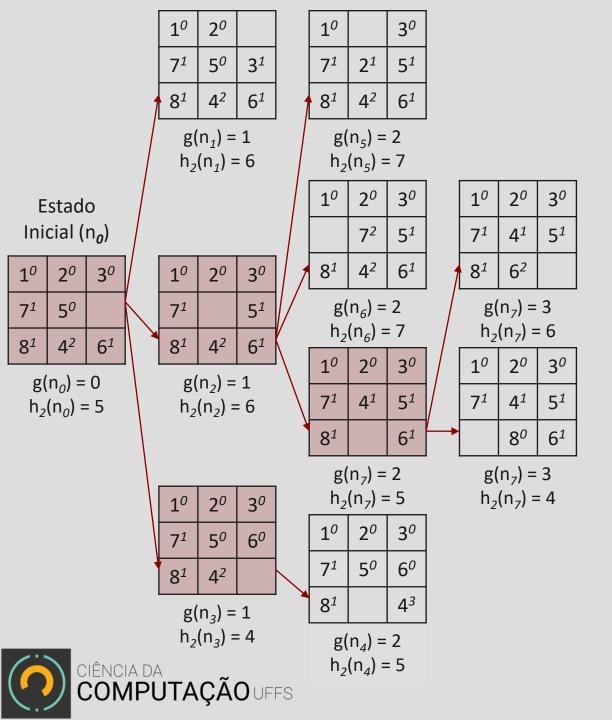
| 10 | 20             | 30             |
|----|----------------|----------------|
| 71 | 5 <sup>0</sup> | 6 <sup>0</sup> |
| 81 | 42             |                |

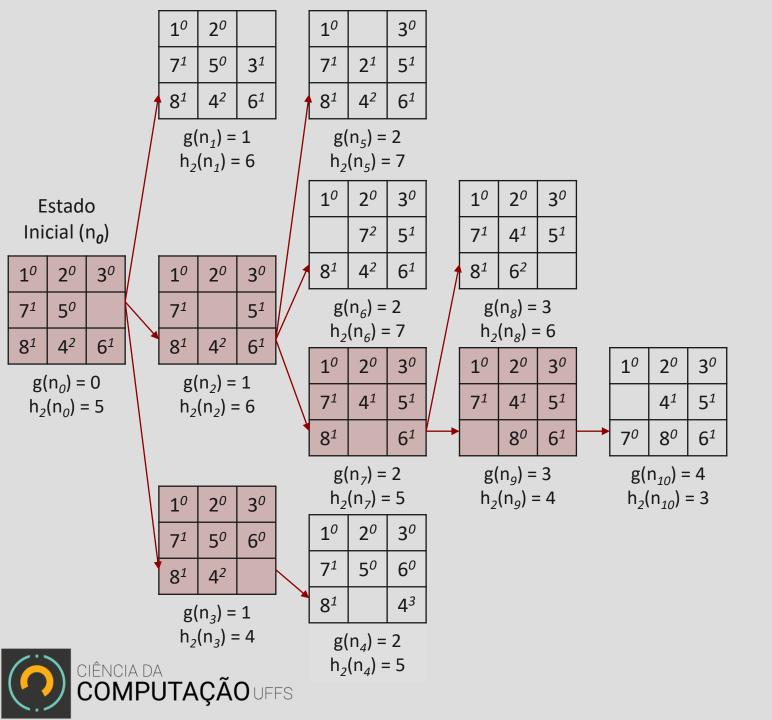
$$g(n_3) = 1$$
  
 $h_2(n_3) = 4$ 

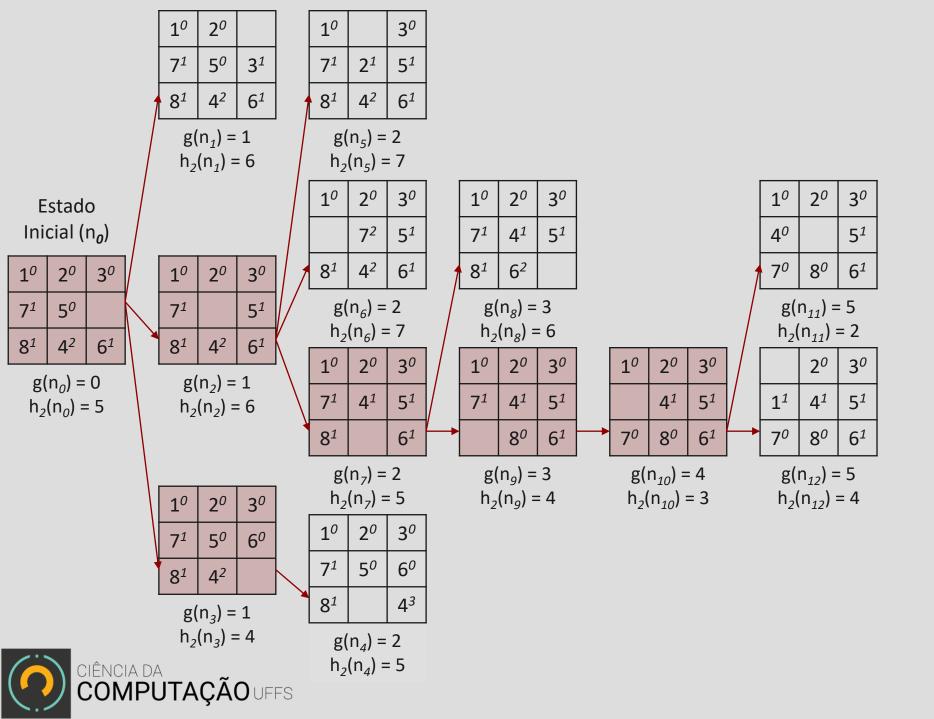


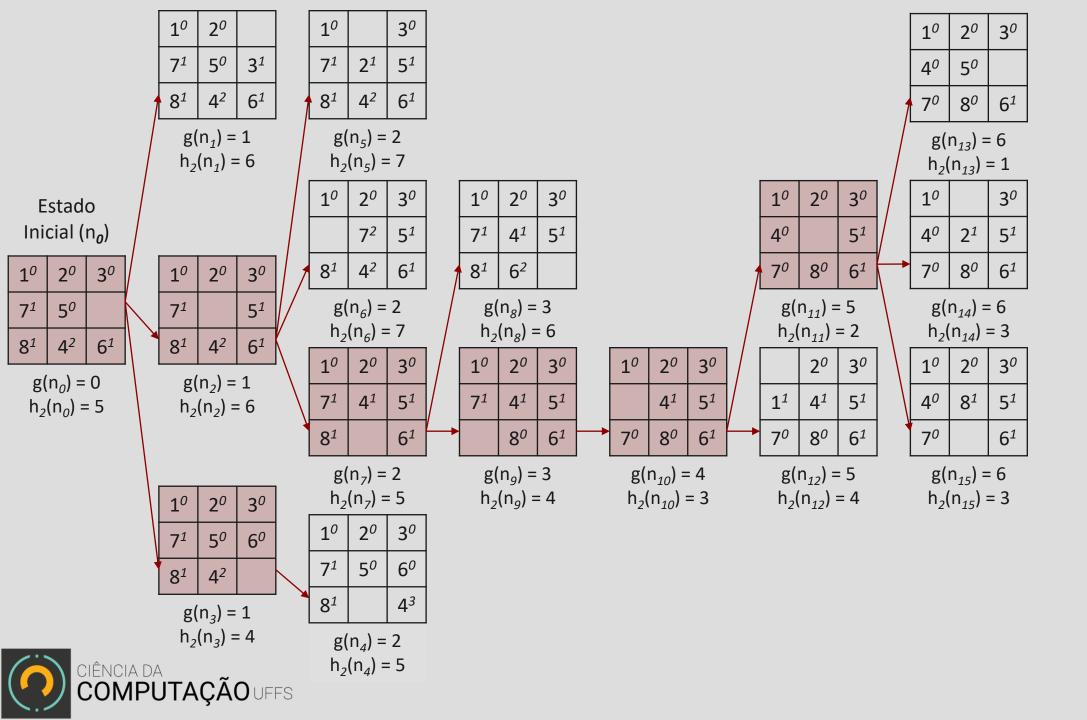


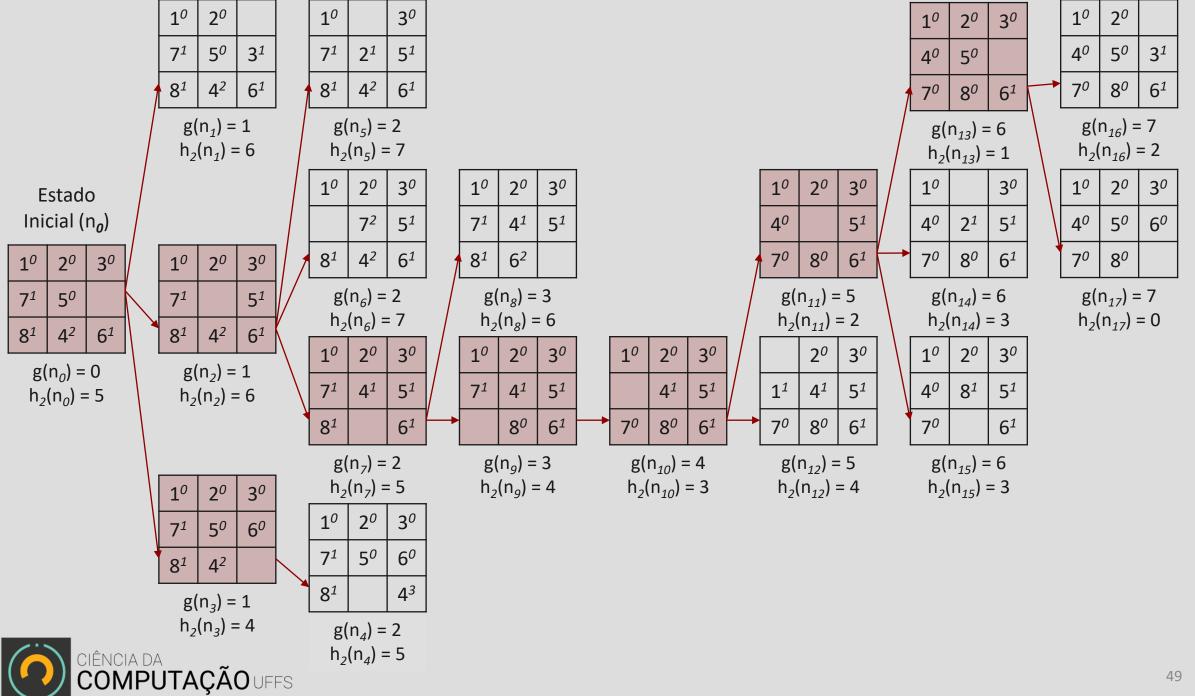


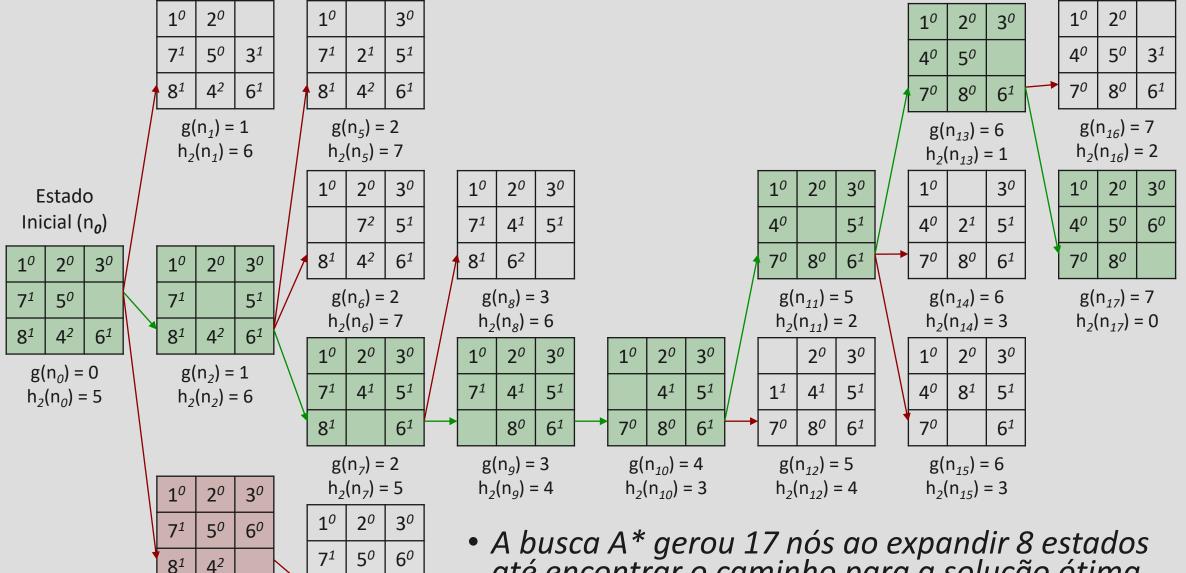












- até encontrar o caminho para a solução ótima  $(S^*)$  com custo 7
- $S^* = \{5_{\rightarrow}, 4_{\uparrow}, 8_{\rightarrow}, 7_{\downarrow}, 4_{\leftarrow}, 5_{\leftarrow}, 6_{\uparrow}\}$



 $g(n_3) = 1$  $h_2(n_3) = 4$ 

 $g(n_a) = 2$ 

 $h_2(n_a) = 5$ 

# Qual a melhor heurística? Jogo de 8 peças

|    | Custo da | busca (nós ger | ados)     | Fato | r de ramificação | efetivo    |
|----|----------|----------------|-----------|------|------------------|------------|
| d  | BFS      | $A^*(h_1)$     | $A*(h_2)$ | BFS  | $A^*(h_1)$       | $A^*(h_2)$ |
| 6  | 128      | 24             | 19        | 2,01 | 1,42             | 1,34       |
| 8  | 368      | 48             | 31        | 1,91 | 1,40             | 1,30       |
| 10 | 1033     | 116            | 48        | 1,85 | 1,43             | 1,27       |
| 12 | 2672     | 279            | 84        | 1,80 | 1,45             | 1,28       |
| 14 | 6783     | 678            | 174       | 1,77 | 1,47             | 1,31       |
| 16 | 17270    | 1683           | 364       | 1,74 | 1,48             | 1,32       |
| 18 | 41558    | 4102           | 751       | 1,72 | 1,49             | 1,34       |
| 20 | 91493    | 9905           | 1318      | 1,69 | 1,50             | 1,34       |
| 22 | 175921   | 22955          | 2548      | 1,66 | 1,50             | 1,34       |
| 24 | 290082   | 53039          | 5733      | 1,62 | 1,50             | 1,36       |
| 26 | 395355   | 110372         | 10080     | 1,58 | 1,50             | 1,35       |
| 28 | 463234   | 202565         | 22055     | 1,53 | 1,49             | 1,36       |



#### Como criar uma heurística boa?

- Heurísticas admissíveis podem ser criadas para um problema ao considerarmos versões do problema com restrições relaxadas
  - Essa técnica pode ser usada inclusive para a criação automatizada de heurísticas
  - Quanto mais precisa a estimativa da heurística, mais eficiente torna-se o algoritmo de busca
- Considerando um conjunto de heurísticas admissíveis para um problema, aquela que tiver a estimativa de maior valor para um estado sempre será mais precisa e melhor que as demais
  - Podemos usar múltiplas heurísticas em conjunto em um mesmo problema, optando pela de maior valor em cada estado analisado



## Outras estratégias

- Heurísticas inadmissíveis podem ser úteis quando o problema é muito complexo, quando as instâncias são muito grandes, ou quando computar uma heurística admissível é muito custos computacionalmente
  - Perde-se a garantia de otimalidade mas, em muitos problemas, existem heurísticas que tornam a busca muito eficiente em termos computacionais e trazem soluções de boa qualidade (muito próximas da qualidade da solução ótima)
- Uso de pontos de referência
  - Podemos fazer uso de estimativas precisas para um estado quando temos um banco de soluções de subproblemas comuns (banco de dados de padrões conhecidos)
- Uso de aprendizado
  - Podemos usar técnicas de aprendizado para definir pesos para as heurísticas
  - O método deixa de garantir a otimalidade mas pode trazer grandes avanços em eficiência para instâncias grandes sem prejudicar tanto a qualidade das soluções encontradas

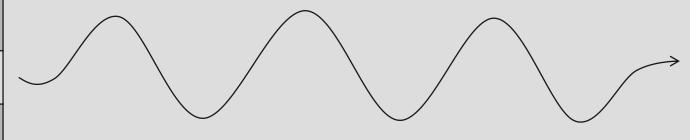


#### Atividade 4 – Busca A\*

#### **Estado Inicial**

| 1 | 5 | 2 |
|---|---|---|
| 8 |   | 3 |
| 4 | 7 | 6 |

 $g(n) = 0, h_2(n) = 8$ 



|       | 1      | N /   |            |
|-------|--------|-------|------------|
| Estad | $\cap$ | IVZI  | <b>PLA</b> |
| LStau |        | I V I | Cla        |

| 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|
| 4 | 5 | 6 |
| 7 | 8 |   |

$$g(n) = ?, h_2(n) = 0$$

- Resolver o jogo de 8 peças com a busca A\*
  - Usar a distância de distância de Manhattan como heurística (h<sub>2</sub>(n))
  - Apresentar a árvore de busca explorada pelo algoritmo
  - Apresentar sequência de ações para a solução ótima encontrada com a busca
  - Use como otimização a não expansão do estado cujo resultado é a ação reversa que trouxe a busca para o estado atual



# Busca em ambientes complexos

Ambientes parcialmente observáveis, não determinísticos, sequenciais, dinâmicos, contínuos e desconhecidos (RUSSELL; NORVIG, 2022. cap. 4)



# Busca em ambientes parcialmente observáveis

- Quando a busca não consegue obter a informação completa do seu estado atual ela deve atuar com um conjunto de estados de crença atual
- A busca terá um passo adicional de previsão onde, baseado no seu conhecimento do modelo do ambiente, deverá determinar um conjunto de estados de crença possíveis para o estado atual real em que se encontra e planejar um conjunto de ações no qual maximize suas chances de sucesso
- A cada nova ação realizada o agente atualizará seu conjunto de estados de crença levando em conta os novos dados obtidos através do sensoriamento disponível no novo estado
- Os algoritmos de busca são completos (tem garantia de sucesso) em problemas onde todas as ações são reversíveis e o espaço de estados é finito, a um custo adicional de que algumas ações serão gastas na exploração dos estados (redução do conjunto de estados de crença)



#### Busca em ambientes não determinísticos

- Quando a busca não consegue ter certeza do resultado de sua ação ela deve atuar não mais com um conjunto pré-definido de ações fixas mas sim com um conjunto condicional de ações baseado em estados de crença futura
- A busca terá um passo adicional de previsão onde, baseado no seu conhecimento do modelo do ambiente, deverá determinar um conjunto de estados de crença possíveis para o próximo estado de cada ação planejada e suas chances de sucesso ou falha
- A busca deverá então prever um conjunto de ações condicionais para cada estado resultante previsto (estados de crença futura)
- Os algoritmos de busca são completos (tem garantia de sucesso) em problemas onde todas as ações são reversíveis e o espaço de estados é finito, a um custo adicional de que algumas ações serão gastas na correção de falhas



# Busca em ambientes sequenciais e dinâmicos

- As buscas nesses ambientes devem armazenar e consultar os resultados obtidos no passado
- O modelo do ambiente deve constantemente ser atualizado com percepções passadas e atuais e as decisões devem se basear tanto nas percepções passadas como correntes
- Buscas nesses ambientes geralmente fazem uso de aprendizado por reforço para melhorar seu desempenho ao longo do tempo



#### Busca em ambientes contínuos

- Os problemas são representados por funções contínuas e muitas técnicas utilizadas são baseadas no cálculo numérico
- Em especial destacam-se:
  - técnicas de aproximação do gradiente de funções (gradiente empírico) que usam a descida de gradiente para encontrar mínimos/máximos de funções contínuas em espaços complexos
  - Programação linear (exemplo: algoritmo Simplex) e otimização com restrições
- Em alguns problemas é mais fácil o processo de discretização das variáveis contínuas
  - Nesse processo as variáveis contínuas são transformadas em categorias discretas para que seja possível utilizar as técnicas de busca convencionais de ambiente discretos



#### Busca em ambientes desconhecidos

- Também conhecidas como técnicas de busca online pois os agentes inteligentes devem, através de interações do tipo ação-percepção do resultado, explorar ou mapear primeiro o seu ambiente para então planejar suas ações
- Os algoritmos de busca são completos (tem garantia de sucesso) em problemas que podem ser explorados com segurança, onde todas as ações são reversíveis e onde o espaço de estados é finito
- A eficiência da busca é avaliada com sendo sua razão competitiva, ou seja, se comparada com uma busca que tivesse o ambiente já conhecido qual seria o custo adicional necessário gasto na exploração para se obter o mesmo resultado



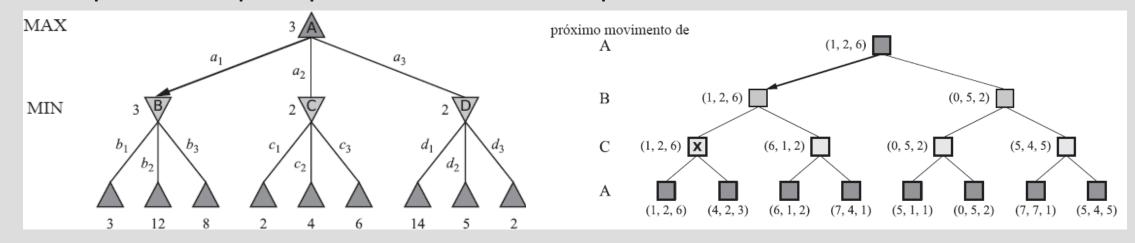
# Busca competitiva e jogos

Ambientes multiagentes (RUSSELL; NORVIG, 2022. cap. 5)



#### Busca MINIMAX

- Algoritmo recursivo que percorre todo o caminho até as folhas da árvore (BP) e propaga os valores do resultado do jogo de volta pela árvore à medida que a recursão retorna
- Ele possui as mesmas características de complexidade assintótica de uma BP pois também necessita percorrer toda a árvore de busca, o que o torna impraticável para problemas mais complexos





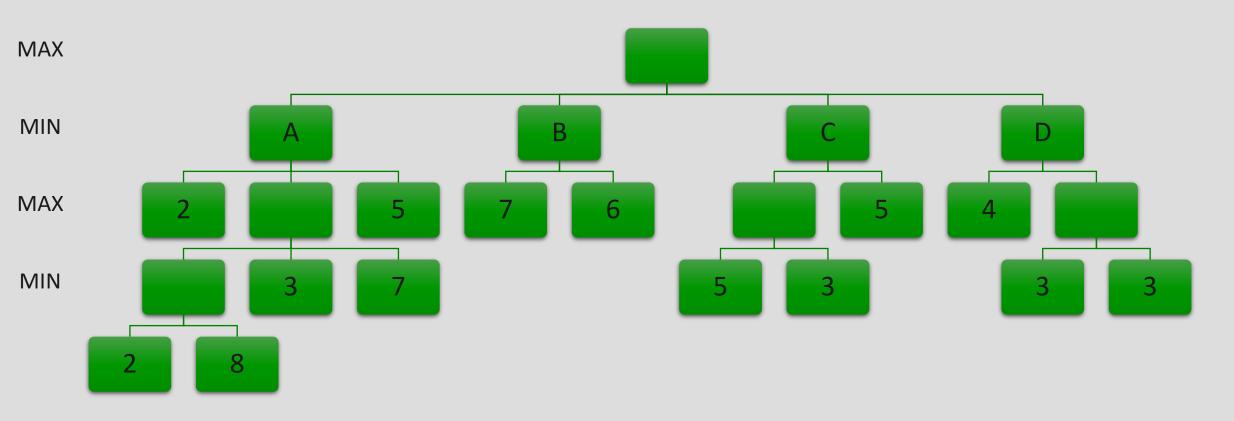
#### Exercício 2 e 3 — Busca MINIMAX

4

- Encontre os valores MINMAX para cada nó da árvore e indique a próxima ação (A, B, C ou D) que será indicada pelo algoritmo para o jogador principal (MAX) ou o jogador atual (J1)
- As árvores dos exercícios se encontram nos slides seguintes

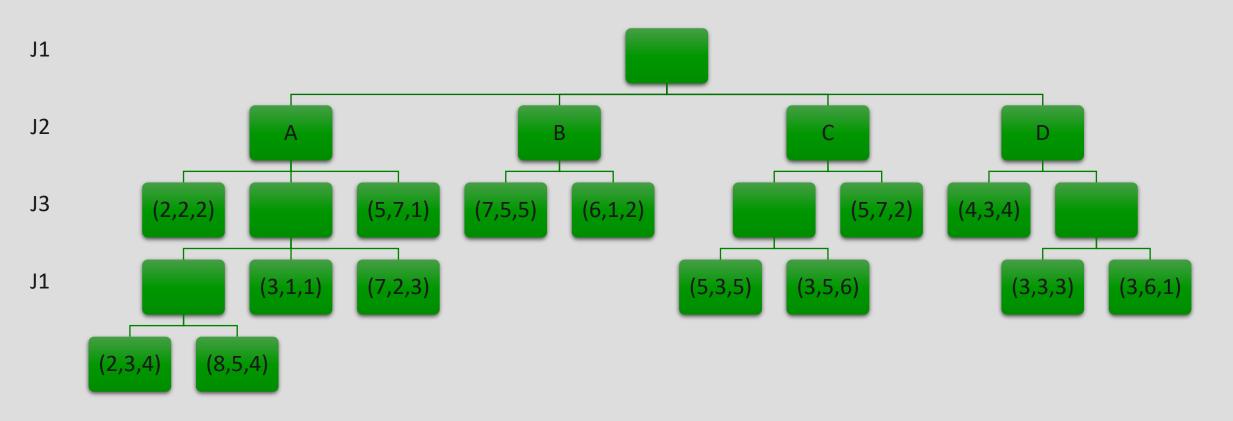


# Exercício 2 – Busca MINIMAX (2 jogadores)





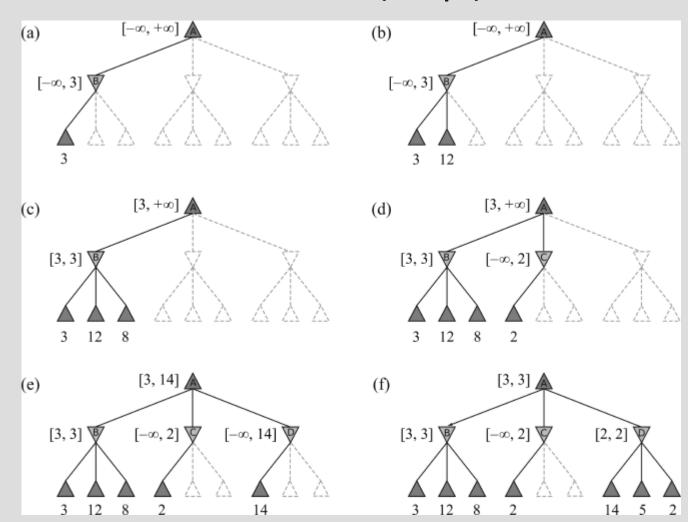
# Exercício 3 – Busca MINIMAX (3 jogadores)



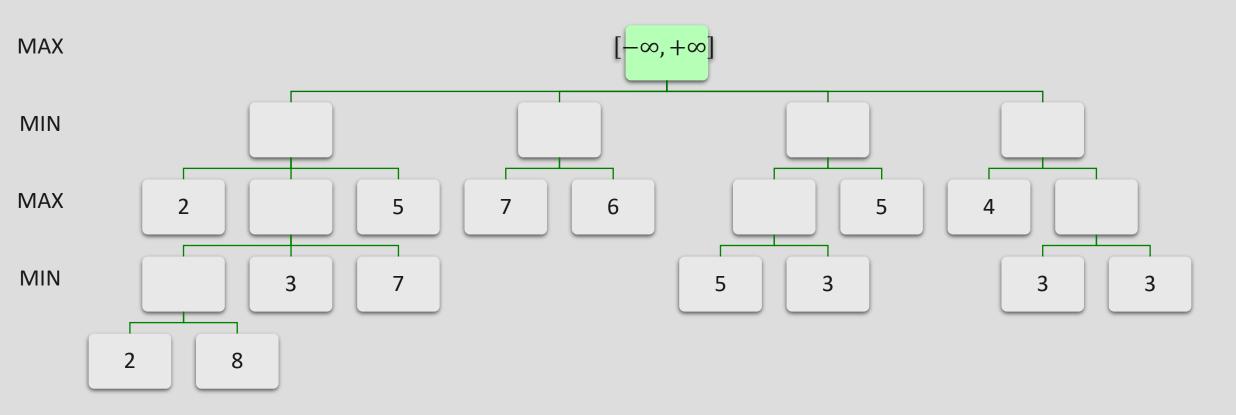


## Busca MINIMAX — Poda alfa-beta ( $\alpha$ - $\beta$ )

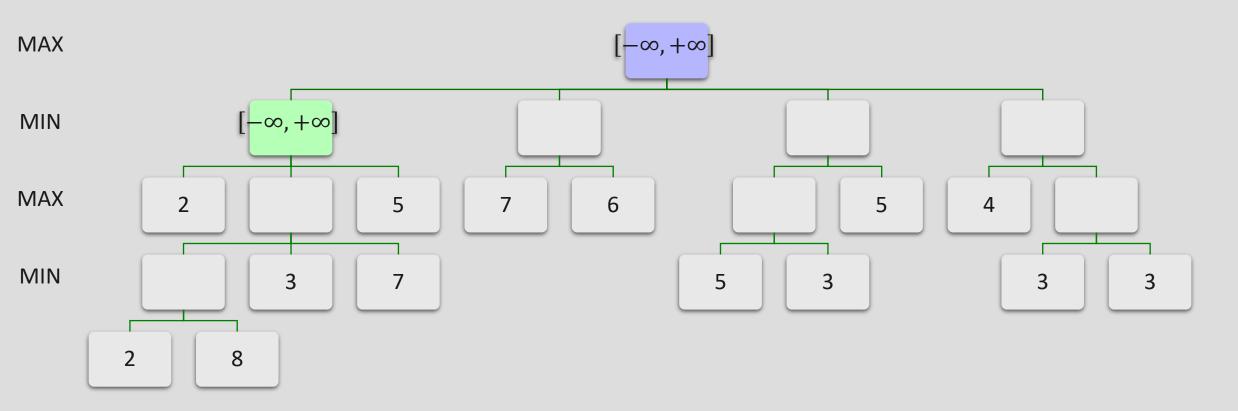
- Aplica DFS
- Ao visitar nó com filhos pela primeira vez define intervalo  $[MIN, MAX] = [-\infty, +\infty]$  nesse nó
- Ao visitar nó folha i
  - Se pai for MAX
    - MIN(pai) = valor(i) se valor(i) > MIN(pai)
  - Se pai for MIN
    - MAX(pai) = valor(i) se valor(i) < MAX(pai)
- Ao visitar nó intermediário i do tipo MAX
  - Se  $MIN(i) \ge MAX(pai)$  executa poda e volta para pai
  - Se todos os filhos foram analisados MIN(i) = MAX(i) e volta para pai
  - Senão continua
- Ao visitar nó intermediário i do tipo MIN
  - Se  $MAX(i) \le MIN(pai)$  executa poda e volta para pai
  - Se todos os filhos foram analisados MAX(i) = MIN(i) e volta para pai
  - Senão continua
- Finaliza busca quando todos os filhos do nó raiz foram visitados



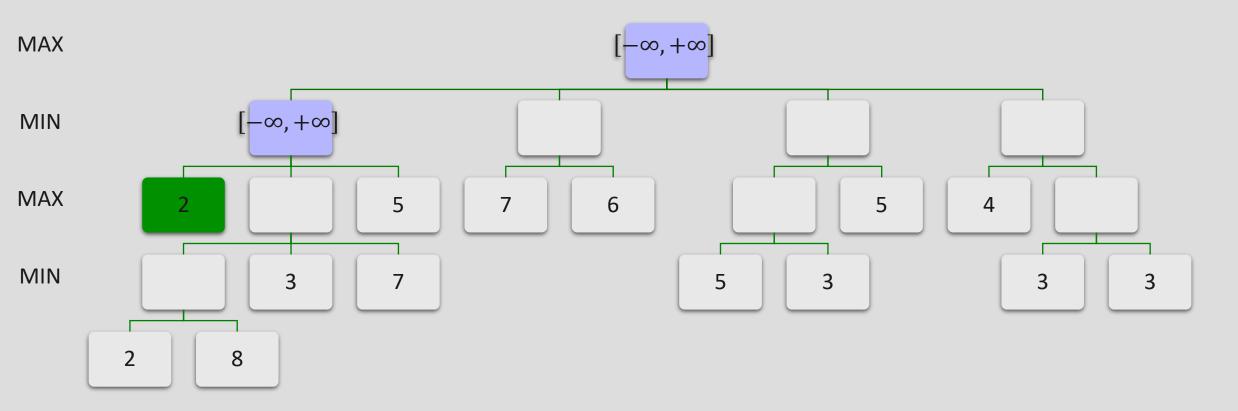
# Exemplo – Busca MINIMAX com Poda $\alpha$ - $\beta$



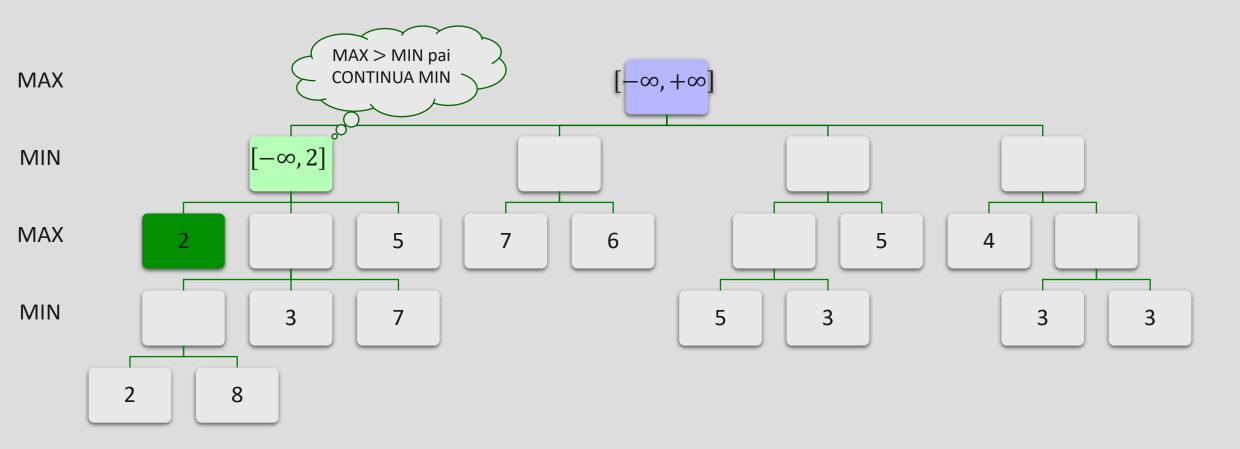




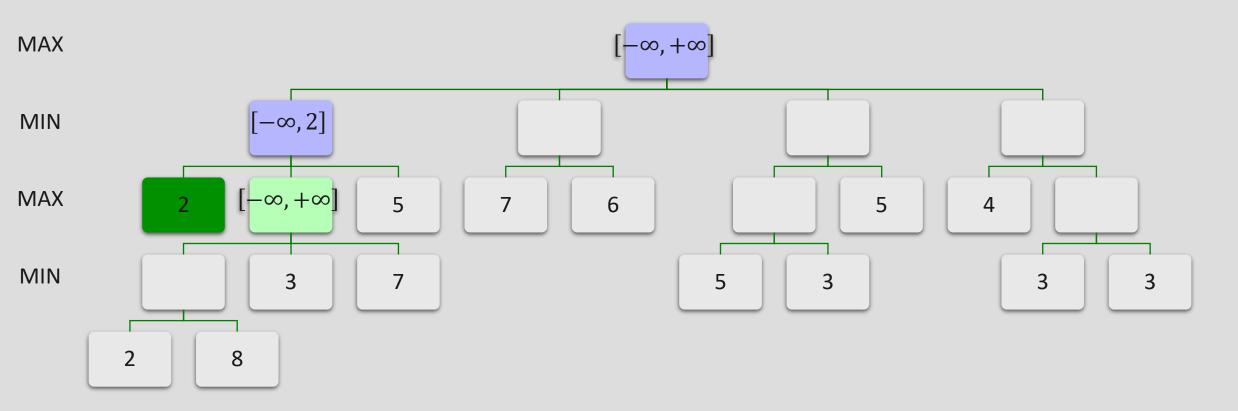




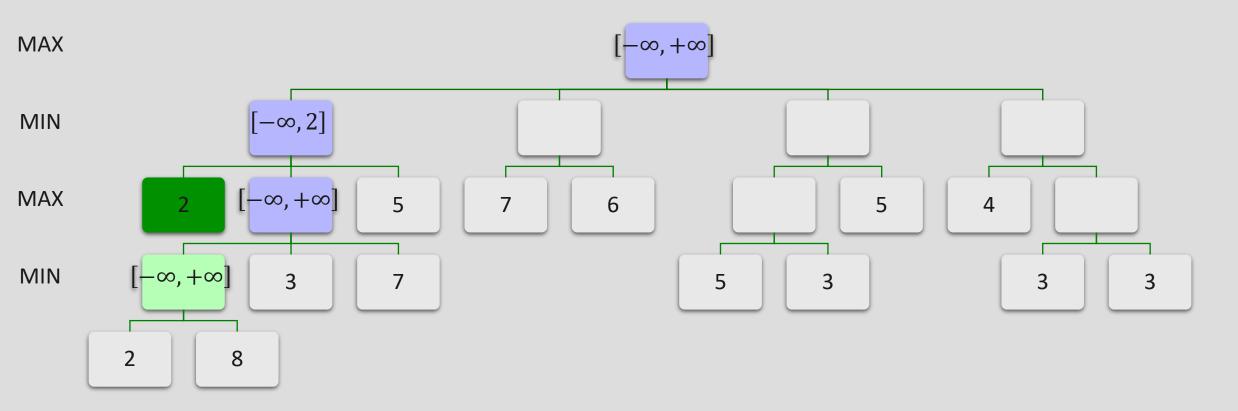




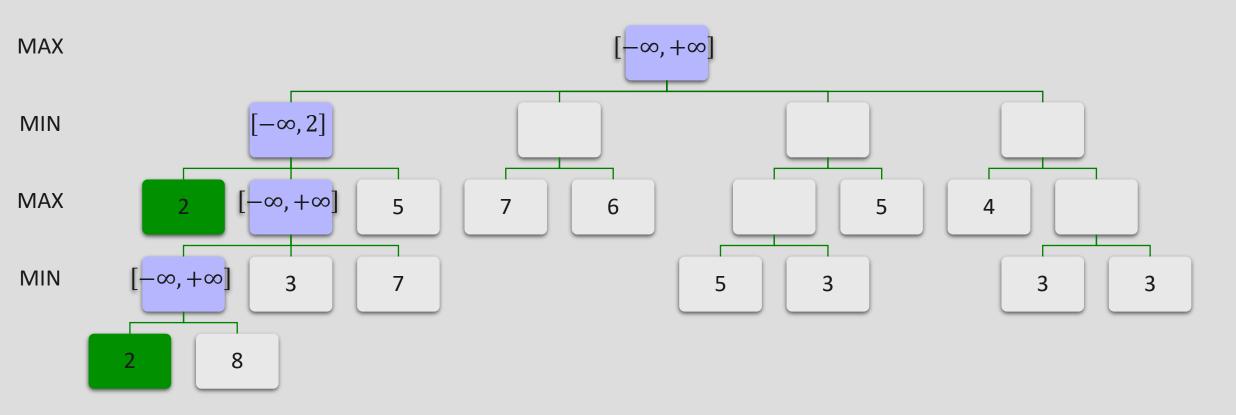






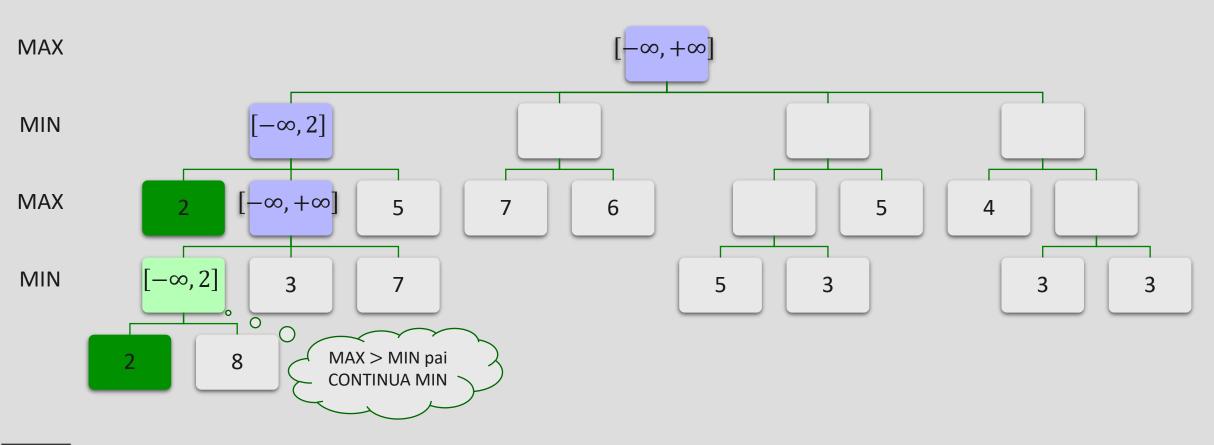




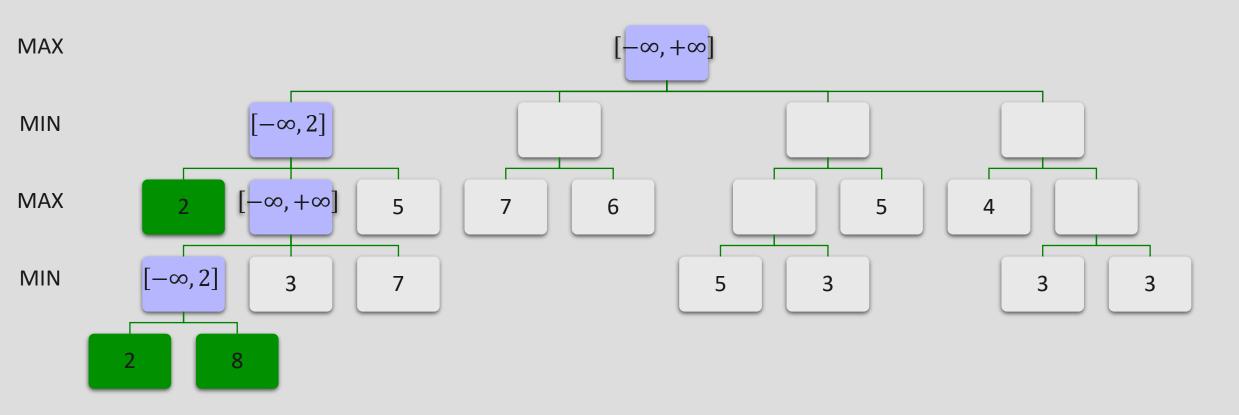




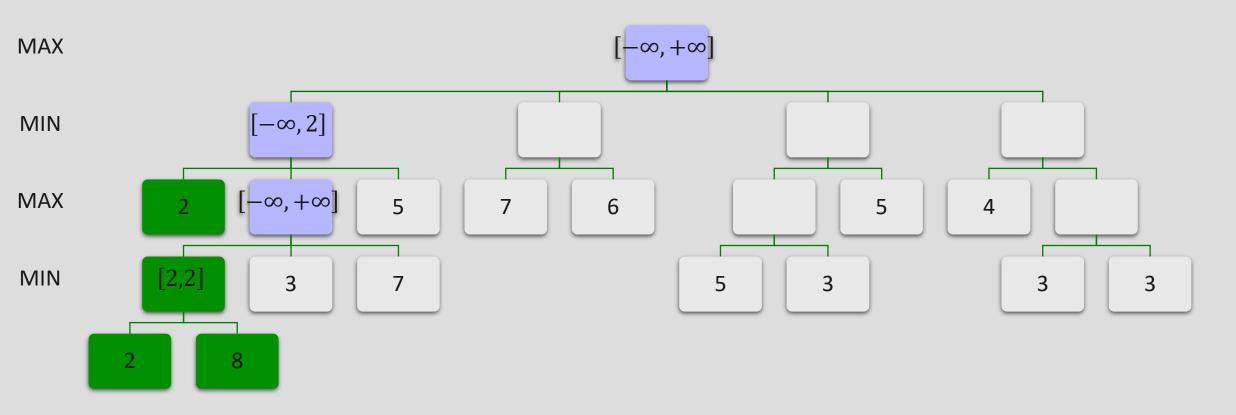
## Exemplo – Busca MINIMAX com Poda $\alpha$ - $\beta$



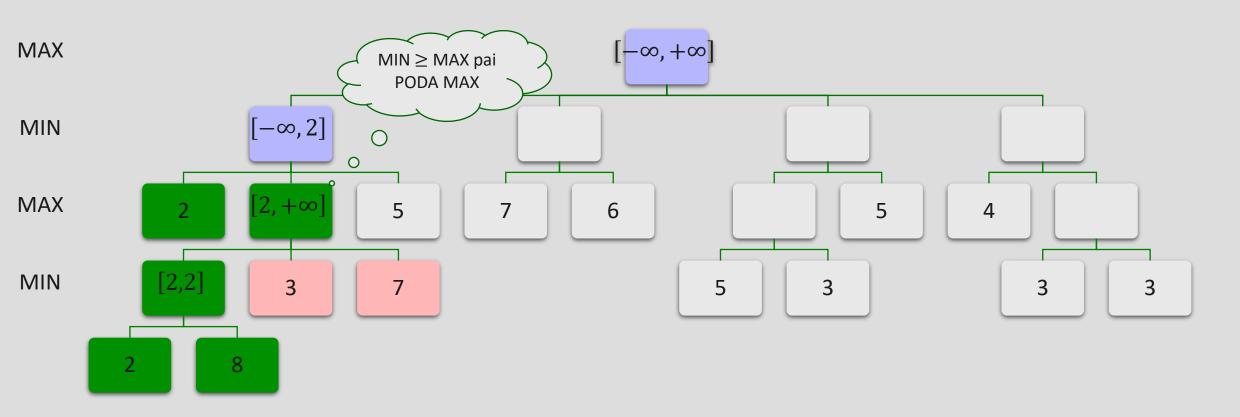




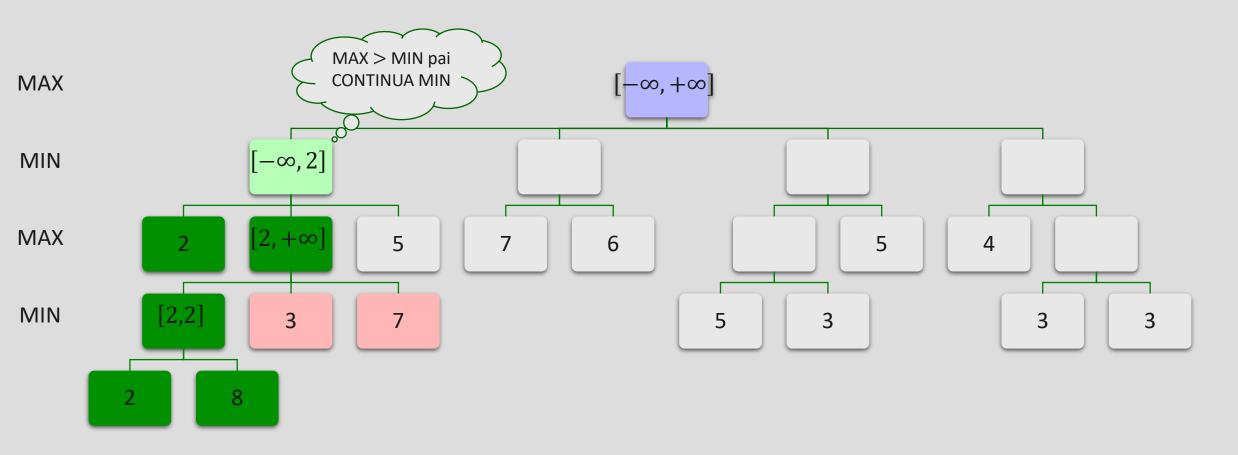




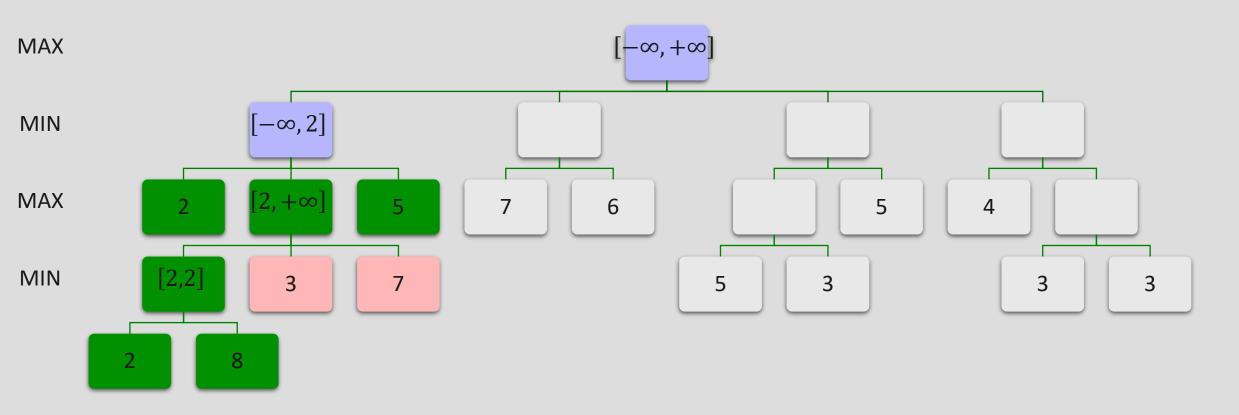




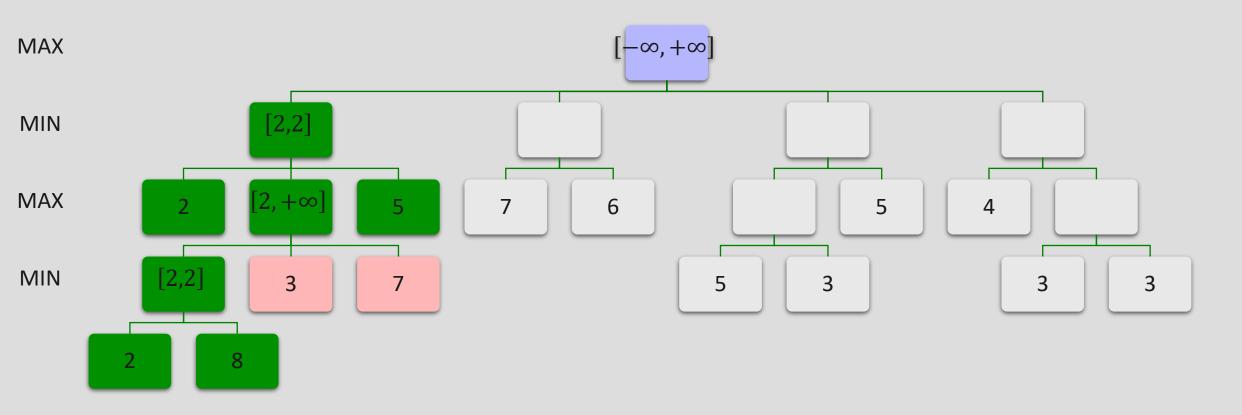




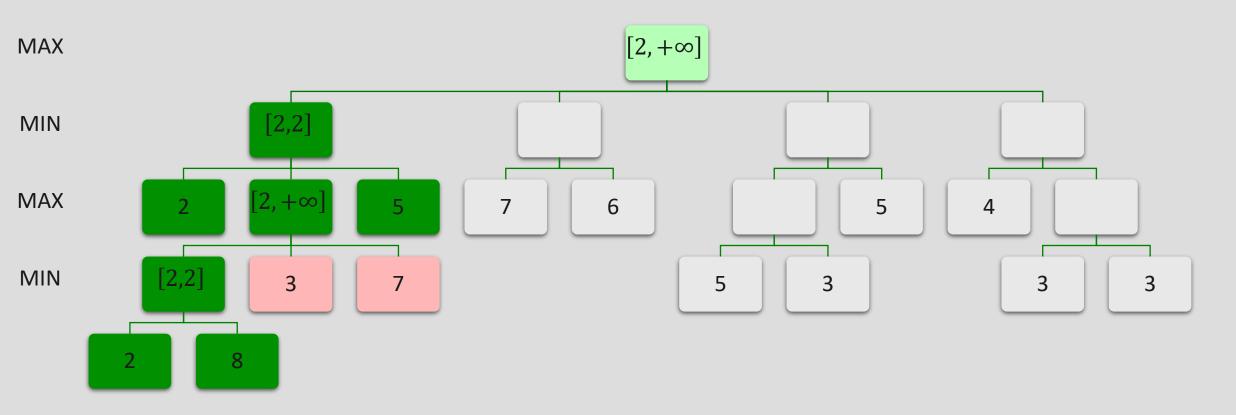




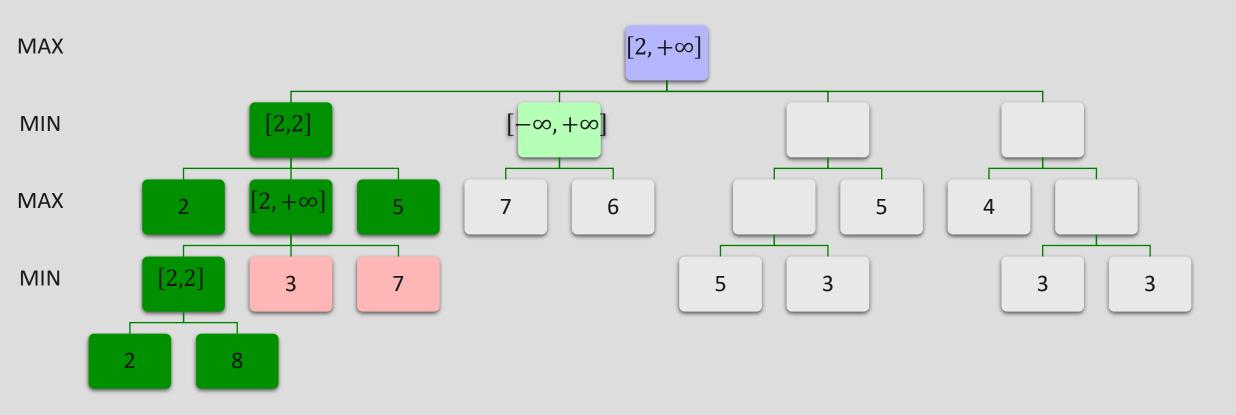




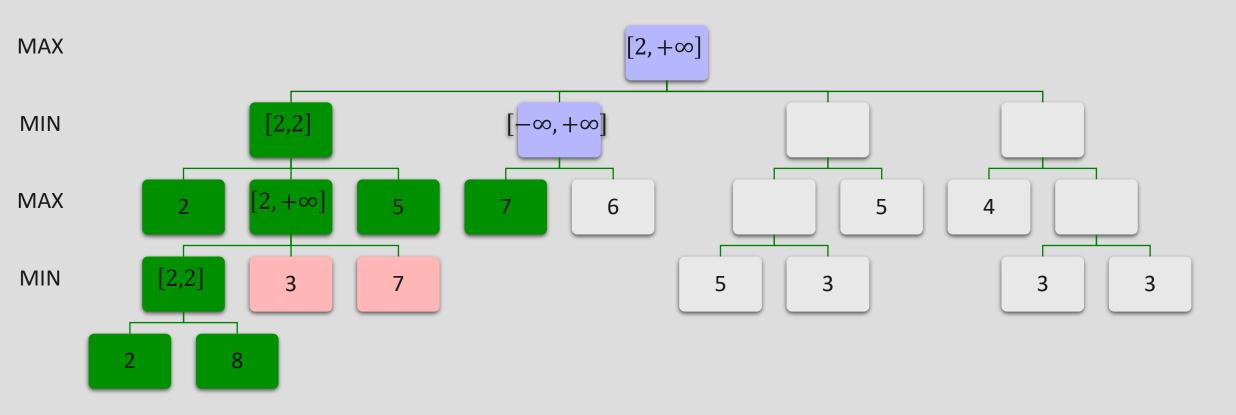




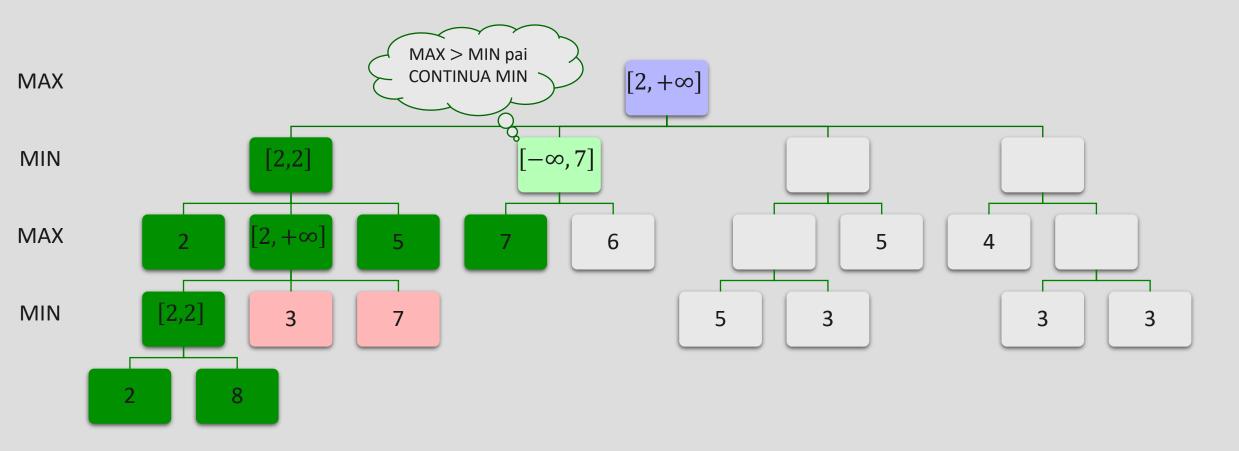




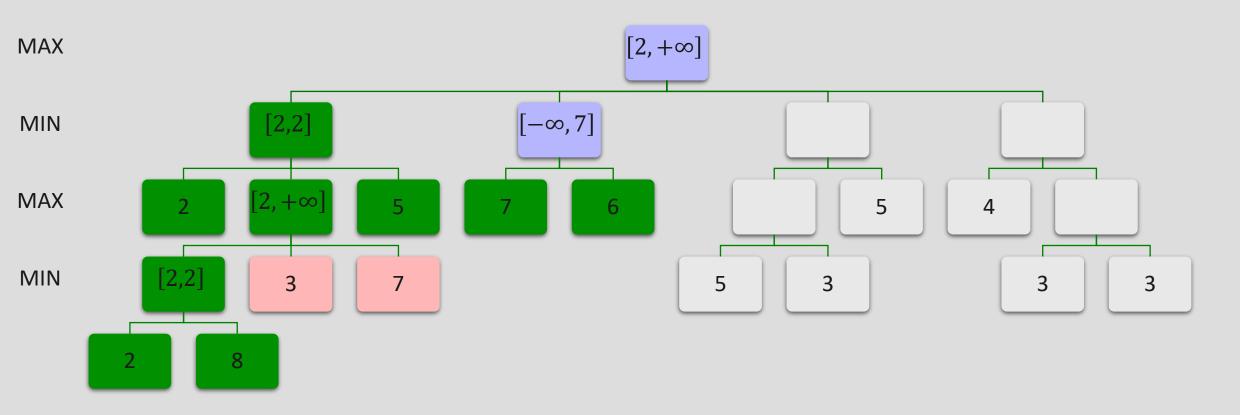




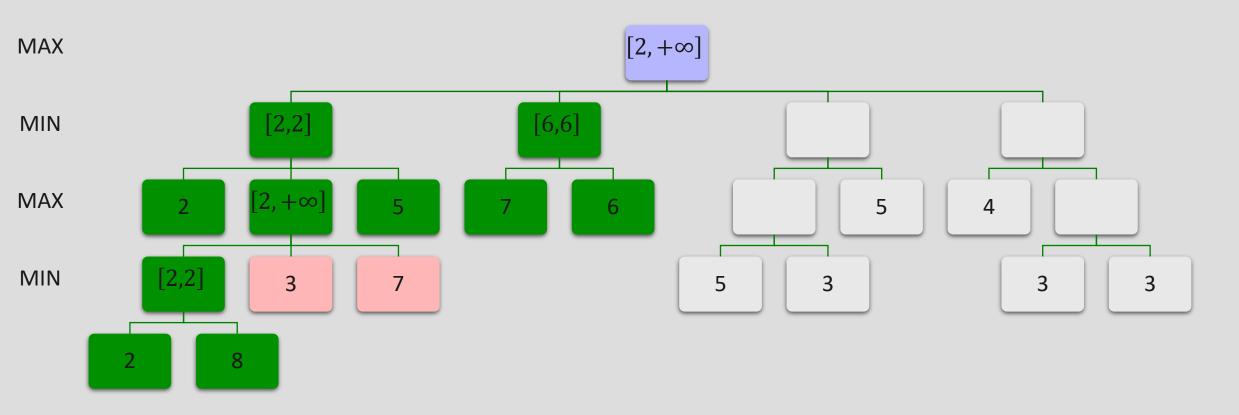




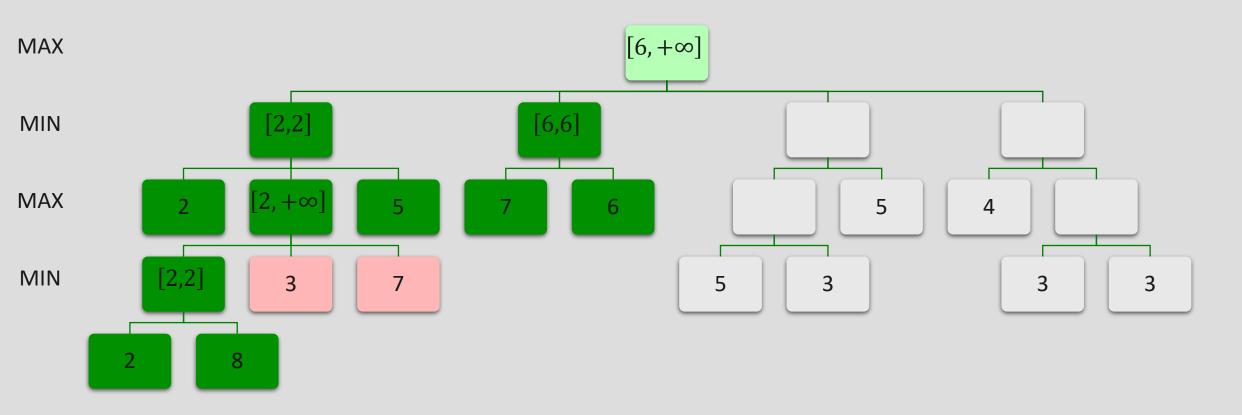




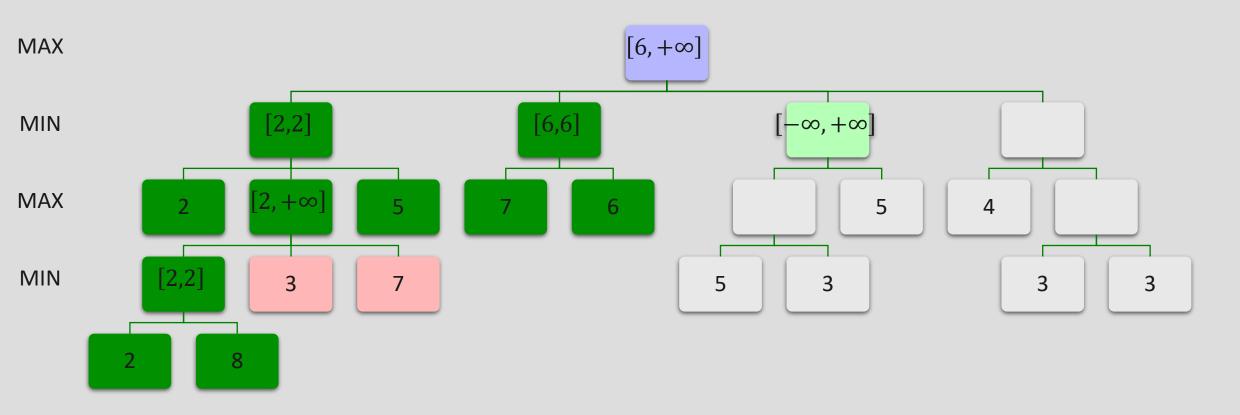




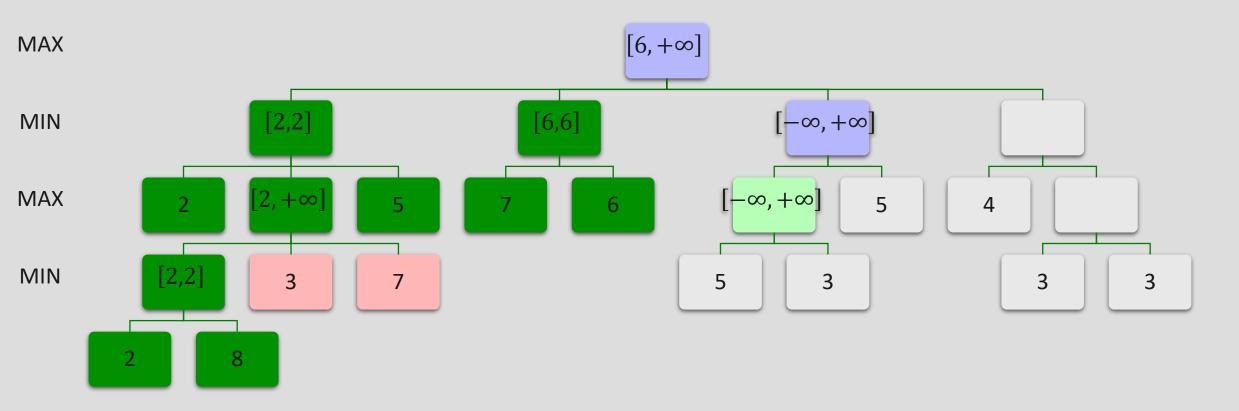




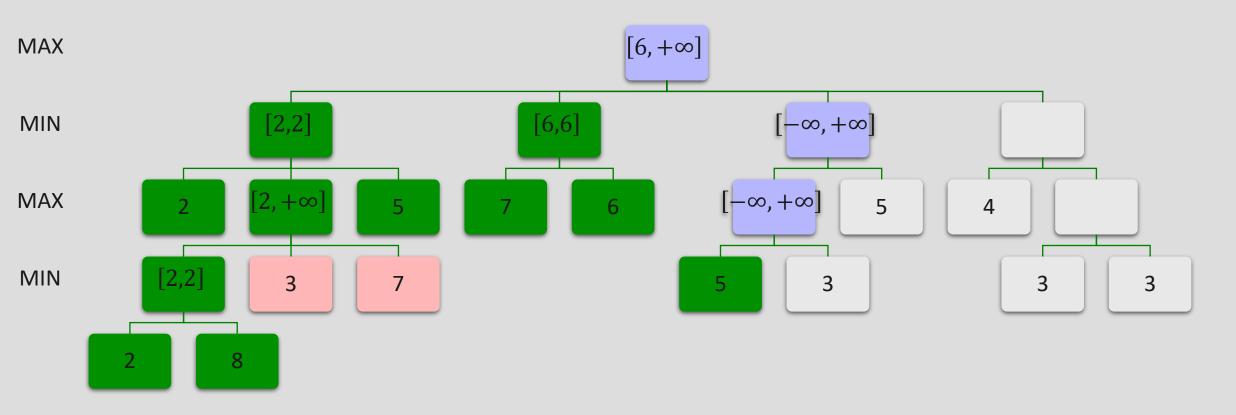






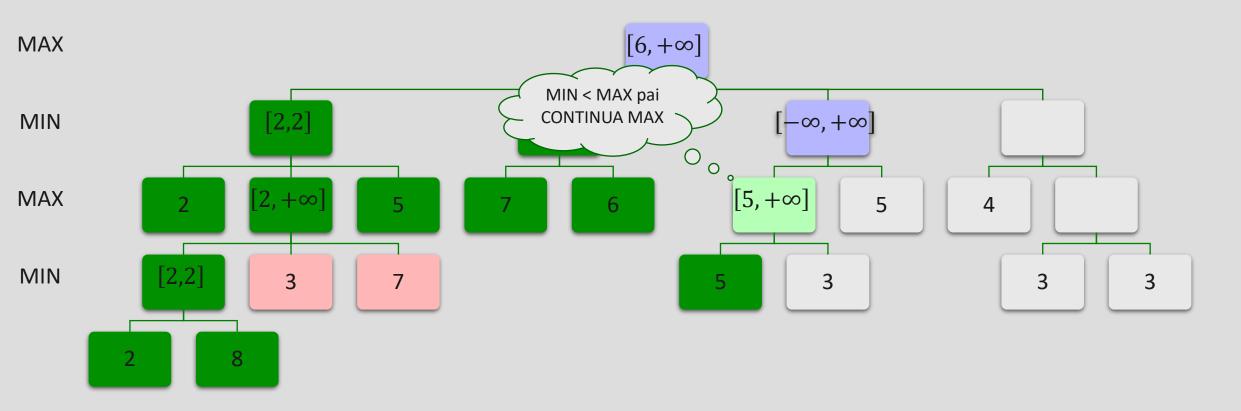




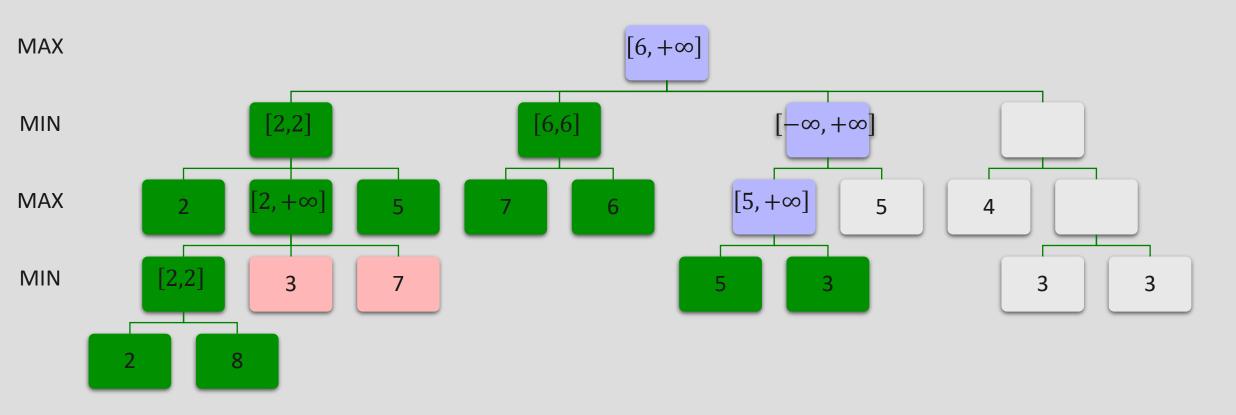




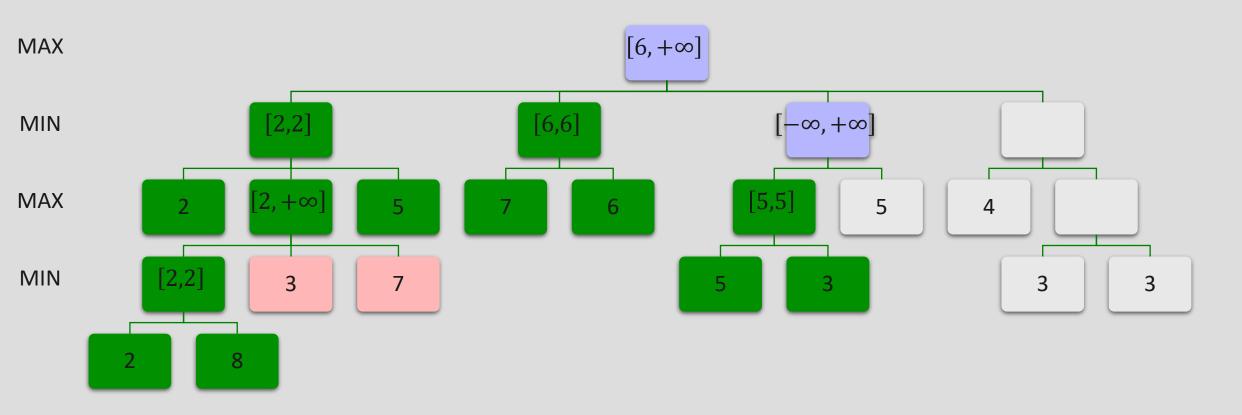
## Exemplo – Busca MINIMAX com Poda $\alpha$ - $\beta$



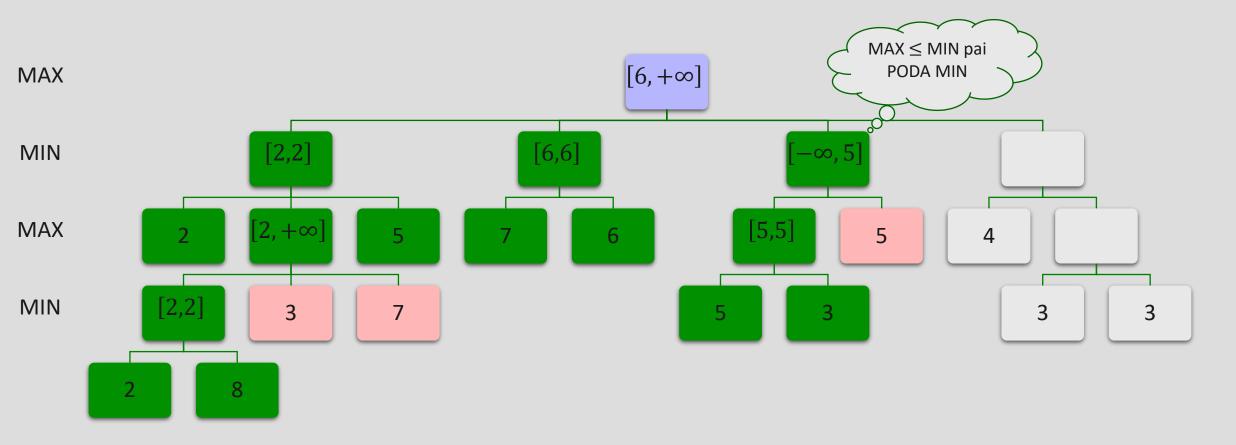




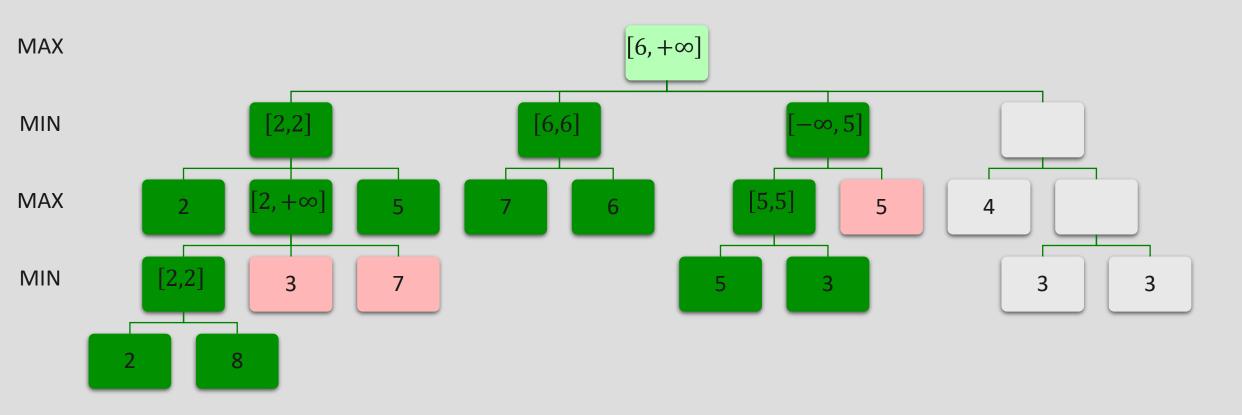




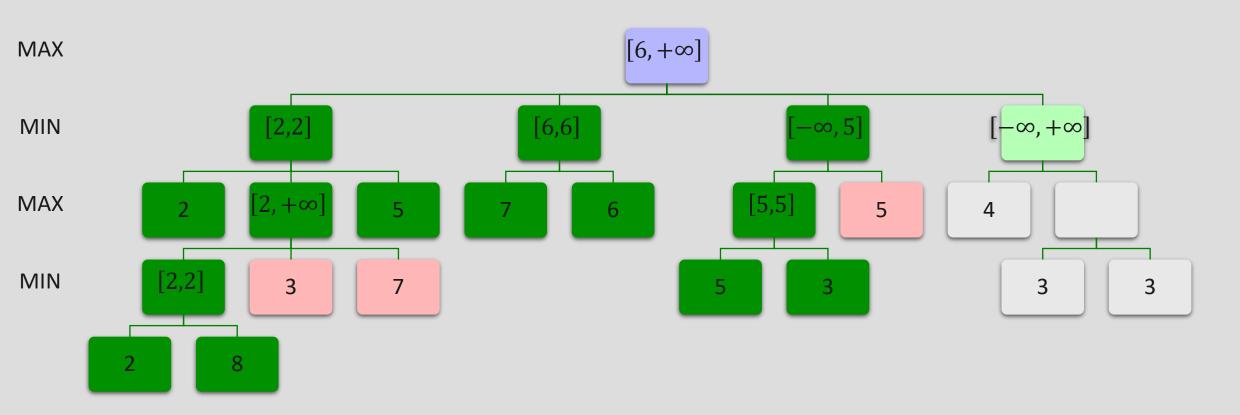




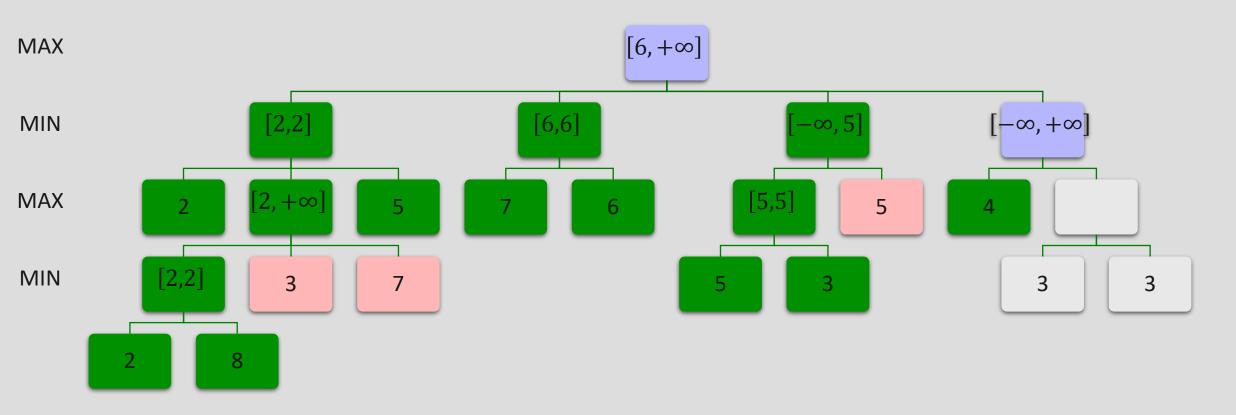




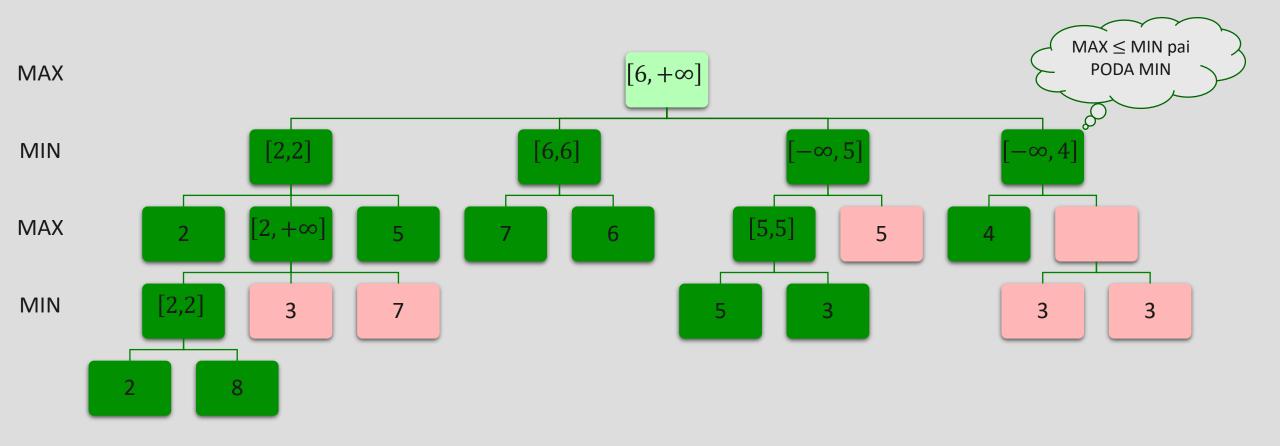




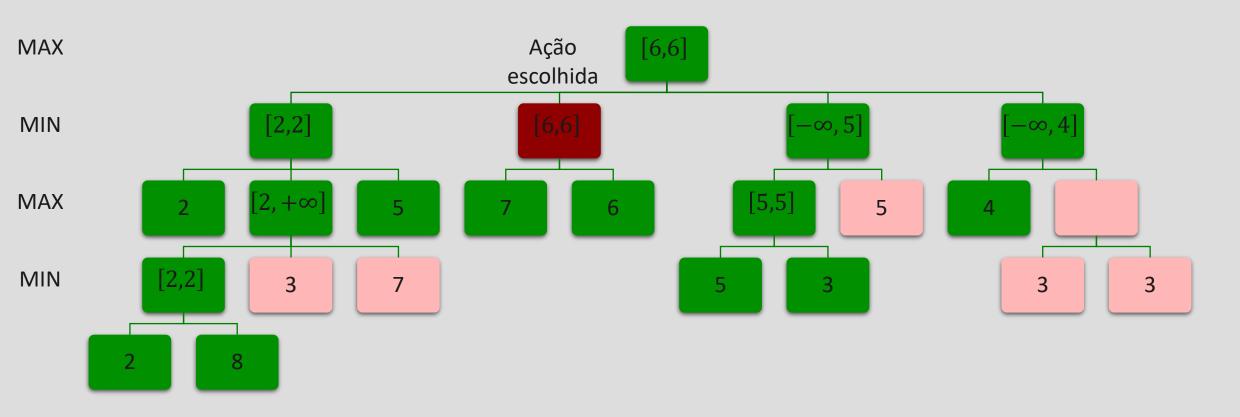














#### Busca MINIMAX – otimizações

- Usando apenas a busca MINIMAX com uma função de avaliação e testes de corte razoáveis em um jogo como o Xadrez, onde a ramificação média é cerca de 35, conseguimos executar uma busca em profundidade máxima de 5 com os computadores atuais dentro de um tempo realista em uma competição (desempenho similar ao de um jogador nível médio)
- Se usarmos a poda alfa-beta com uma tabela de transposição para eliminar estados repetidos conseguimos chegar a uma profundidade 14 (nível equiparável ao de um humano especialista)
- Os melhores programas de Xadrez como o STOCKFISH alcançam a profundidade de 30 ou mais na árvore de busca, o que ultrapassa bastante a capacidade de qualquer jogador humano (em torno de 15 a 20 jogadas para um grande mestre). Para isso, fazem uso de uma função de avaliação extensivamente ajustada e de um banco de dados de fim de jogo para conjuntos de jogadas em estados finais
- Para um jogo de alta ramificação como o Go, onde a ramificação inicial começa em 361, ou para aqueles que se desconhece uma função de avaliação eficiente, a busca MINIMAX pode ser totalmente ineficaz

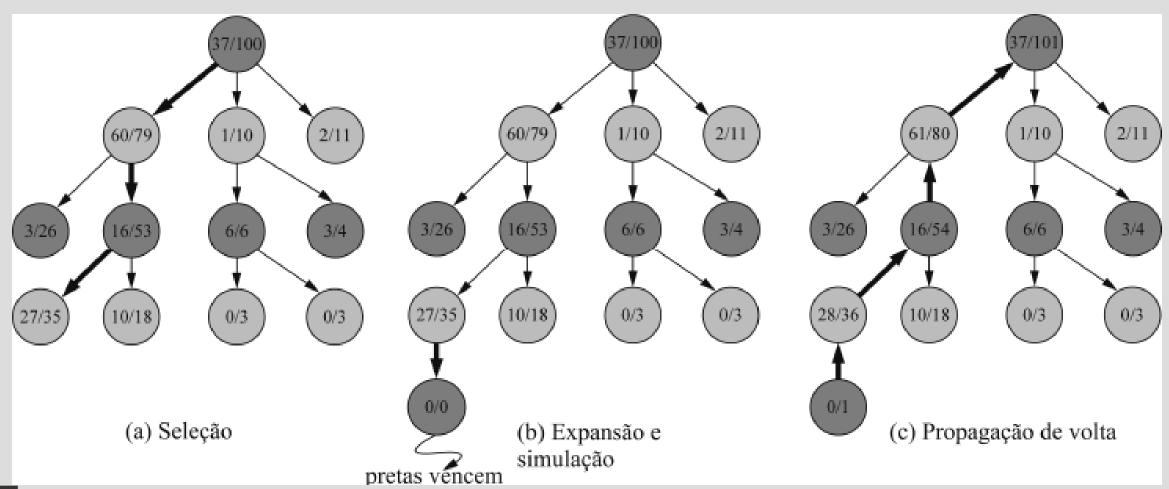


## Busca em árvore de Monte Carlo (MCTS)

- Recebe o nome devido ao Cassino de Monte Carlo em Mônaco pois os algoritmos de Monte Carlos são algoritmos randomizados
- O algoritmo MCTS realiza uma série de simulações do jogo, equilibrando entre explotação e exploração, do jogo e aprende com os resultados obtidos
  - Explotação focar nos estados que funcionaram bem nas simulações anteriores
  - Exploração focar nos estado que tiveram menos simulações até o momento
- É um algoritmo no estilo de várias técnicas do aprendizado por reforço pois constrói sua árvore de busca através da técnica de self-play (joga com ele mesmo)

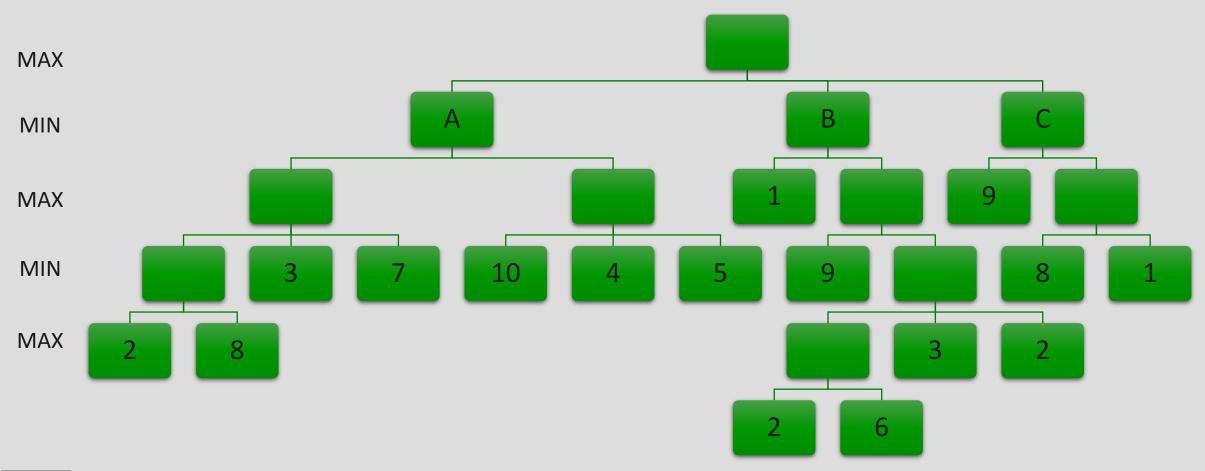


#### Busca em árvore de Monte Carlo



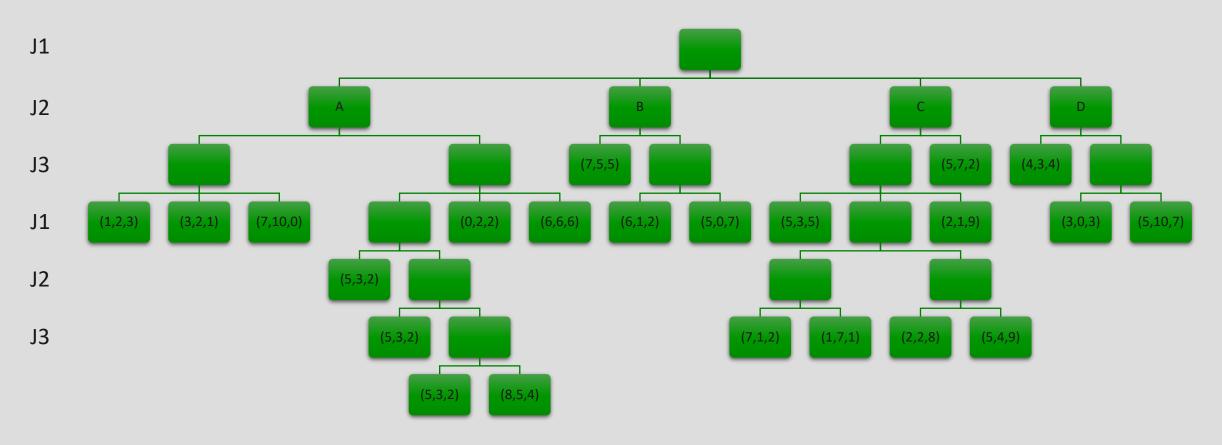


## Atividade 5a – Busca MINIMAX (2 jogadores)



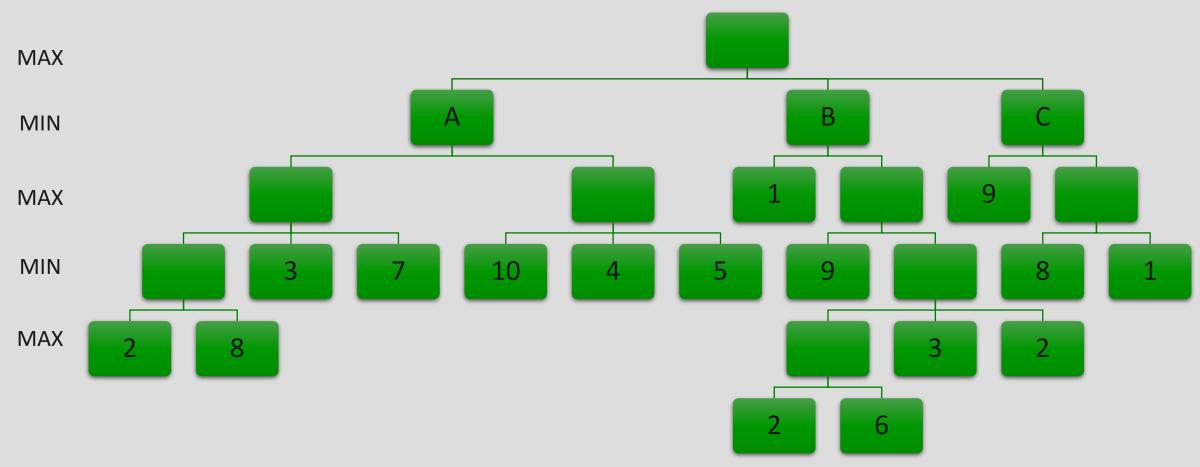


#### Atividade 5b – Busca MINIMAX (3 jogadores)





#### Atividade 5c — Busca MINIMAX com Poda $\alpha$ - $\beta$





# Algoritmos de otimização

Agentes inteligentes que buscam encontrar uma solução "boa" de forma eficiente para problemas mais complexos (RUSSELL; NORVIG, 2022. cap. 4; TALBI, 2009)



#### Algoritmos de otimização

- Os algoritmos de otimização são um subcampo da área de pesquisa operacional, teoria de otimização e teoria de controle ótimo
- A sua principal diferença para os algoritmos de busca simples e informadas são os problemas em que costumam ser aplicados
- Esses problemas de busca e otimização costumam ter as seguintes características:
  - Avaliar a qualidade e encontrar uma solução qualquer é trivial
  - Encontrar a solução ótima de forma exata leva tempo e/ou espaço de ordem exponencial ou pior pois o espaço de busca costuma ser gigantesco
    - A Programação Linear engloba alguns algoritmos que podem encontrar soluções ótimas, eficientemente na prática, para instâncias de problemas que tenham muitas restrições
  - Existem muitas soluções com custo próximo da ótima que são muito mais fáceis de se encontrar eficientemente
  - Existe uma versão do problema de otimização como problema de decisão e estes problemas são da classe NP-Difícil



#### Buscas Heurísticas

- Buscas heurísticas é um termo geralmente utilizado para definir as buscas que focam em eficiência computacional ao custo de não garantirem mais a solução ótima para todas as instâncias de um problema
- Sobretudo são buscas informadas que usam o contexto geral do problema para otimizar/guiar as escolhas da busca (estratégia ou heurística da busca) e, assim, reduzir consideravelmente o espaço de busca a ser analisado
- Podemos dividir as técnicas de busca heurística em três grupos principais, cada qual com um conjunto de técnicas de busca gerais chamadas de metaheurísticas:
  - Buscas Construtivas
  - Buscas Locais
  - Buscas por Recombinação



#### **Buscas Construtivas**

- Partem de uma estrutura de solução vazia
- Cria um conjunto de soluções parciais ou conjunto de componentes disponíveis para montar uma solução
- A cada passo (iteração), a busca aplica uma heurística na escolha de um componente desse conjunto que ainda não foi selecionado e o adiciona na solução final
- Exemplos de metaheurísticas construtivas:
  - Guloso, Guloso-k, Guloso-α
  - Construção repetida independente, Colônia de Formigas



#### **Buscas Locais**

- Partem de uma solução completa viável
  - Geralmente essa solução é construída com uma técnica de busca construtiva simples ou de forma aleatória
- Definem uma vizinhança
  - A vizinhança é um critério de similaridade/distância entre soluções
  - Exemplos de vizinhança:
    - 2-OPT, 3-OPT, Swap (troca), Shift (deslocamento)
- A cada passo, a busca navega dentro da vizinhança da solução atual (solução pivô) em busca de um nova solução pivô
- Exemplos de metaheurísticas locais:
  - Primeira melhora, Melhor melhora, Descida do gradiente (Subida de encosta)
  - Tabu, Têmpera Simulada



### Busca Local – Exemplo: Têmpera Simulada

- Cria ou recebe uma solução inicial completa  $(S_0)$
- Inicializa a melhor solução conhecida e a solução pivô ( $S_{melhor} = S_0 \ e \ S_{pivo} = S_0$ )
- Inicializa a temperatura ( $t_0 = 1$ )
- Inicia iteração da busca (i = 0)
  - Verifica critérios de parada para encerrar a busca
    - · Tempo limite excedido
    - Solução pivô não sofreu alteração na última iteração
    - A melhor solução tem custo ótimo ( $c(S_{melhor}) = c(S^*)$ )
  - Enquanto houver soluções vizinhas da solução pivô atual (vizinho $(S_{pivo})$ )
    - Computa variação de custo  $\Delta c = \frac{c(S_{vizinha})}{c(S_{pivo})} 1$
    - Muda solução pivô atual pela solução vizinha ( $S_{pivo} = S_{vizinha}$ ) com probabilidade  $P = \begin{cases} 1 & se\Delta c \leq 0 \\ e^{-\Delta c/t} & se\Delta c > 0 \end{cases}$
    - Se solução pivô mudou
      - Atualiza temperatura seguindo configurações de resfriamento (t = resfriamento(t))
      - Verifica se nova solução pivô é melhor que a melhor solução conhecida e a atualiza se for o caso ( $S_{melhor} = S_{pivo}$ )
      - Pula para a próxima iteração de busca (i = i + 1)
- Retorna  $S_{melhor}$  e tempo de execução



### Buscas por Recombinação

- Partem de um conjunto de soluções completas viáveis
  - Geralmente essas soluções são construídas de forma aleatória pois a busca depende de diversidade e representatividade de soluções
- Definem um operador de seleção
  - Esse operador é responsável por criar subconjuntos (normalmente pares) das soluções disponíveis levando em consideração algum critério
- Definem um operador de recombinação
  - Esse operador é responsável por combinar partes das soluções de um conjunto para formar um novo conjunto de soluções novas
- A cada passo, a busca aplica o operador de seleção e depois o de recombinação em cada conjunto selecionado, criando um novo conjunto de soluções completas
- Exemplos de metaheurísticas por recombinação:
  - Religamento de caminhos
  - Busca dispersa, feixe de partículas
  - Algoritmos genéticos e meméticos



# Avaliação de modelos de busca

Inferência estatística: características de uma População a partir de Amostras (BARBETTA; REIS; BORNIA, 2010. cap. 6-9)



### Conceitos básicos: população e amostra

- População é o conjunto completo de elementos pesquisados
  - Totalidade de participantes com a característica pesquisada
  - As características conhecidas de uma população são conhecidas como parâmetros da população
- Amostra é um subconjunto da população
  - Parte menor da população cujo dados serão coletados pela pesquisa
  - As características mensuráveis obtidas a partir de uma amostra são conhecidas como estatísticas ou estimadores

| Característica      | Parâmetro (população) | Estatística (amostra) |
|---------------------|-----------------------|-----------------------|
| Média               | μ                     | $ar{X}$ ou $ar{x}$    |
| Desvio Padrão       | σ                     | S ou s                |
| Variância           | $\sigma^2$            | $S^2$ ou $s^2$        |
| Número de elementos | N                     | n                     |



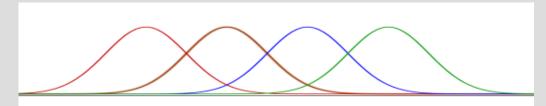
## Conceitos básicos: distribuição Gaussiana

- Também conhecida como Normal, aproxima a função binomial, que é discreta, através de uma variável contínua (x)
  - A função binomial representa a quantidade de "sucessos" em n repetições independentes de um experimento (tamanho amostral)

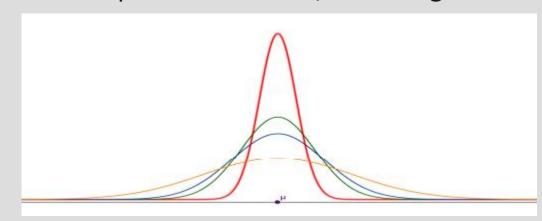
• 
$$f(x,\mu,\sigma) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2}\pi}e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2}$$

- Com  $-\infty < x < \infty$  e  $-\infty < \mu < \infty$  e  $\sigma > 0$
- A média desloca a função no eixo x e determina o centro da função (que é simétrica)
- O desvio padrão espreme (quando menor) ou alonga a curva

Diferentes médias, desvio padrão igual



Desvio padrão diferente, médias iguais





### Inferência estatística

- É o processo de inferir características de uma população por meio da observação de uma amostra
- Utilizada quando conhecemos as características da amostra mas não da população
- Chamado também de raciocínio indutivo (particular para geral ou generalização)
- Contrapõe o raciocínio dedutivo (geral para o particular), onde conhecemos as características da população e queremos estimar as características amostrais usando técnicas probabilísticas



### Teorema do Limite Central

- Uma amostra aleatória simples de uma população com média  $\mu$  e variância  $\sigma^2$  converge para  $\bar{x} = \mu$  e  $s^2/n = \sigma^2$  quando  $n \to \infty$
- Em geral, mostra-se que para amostras com n > 10 demostram uma aproximação considerada razoável
- Considerando o teorema é possível afirmar que quando o tamanho amostral é suficientemente grande, a distribuição da média amostral é uma distribuição aproximadamente normal
- Vídeo explicativo But what is the Central Limit Theorem? (SANDERSON, 2023)



### Intervalo de confiança

- Com probabilidade alta (em geral, indicada por 1- $\alpha$ ), o intervalo [ $\bar{x}$  erro,  $\bar{x}$  + erro] conterá o verdadeiro valor da média populacional  $\mu$
- Exemplo: se  $1-\alpha=0.95$  em 95% das amostras possíveis o intervalo obtido conterá o verdadeiro valor do parâmetro
- O intervalo pode ser computado através da fórmula:  $\left[\bar{x} \pm z \frac{s}{\sqrt{n}}\right]$ , onde z é a abscissa da curva normal padrão que deixa probabilidade (área) igual a  $\alpha$  acima dela

| Intervalo de<br>Confiança | Z    |
|---------------------------|------|
| 80%                       | 1,28 |
| 85%                       | 1,44 |
| 90%                       | 1,64 |
| 95%                       | 1,96 |
| 99%                       | 2,57 |
| 99,5%                     | 2,80 |
| 99,9%                     | 3,29 |



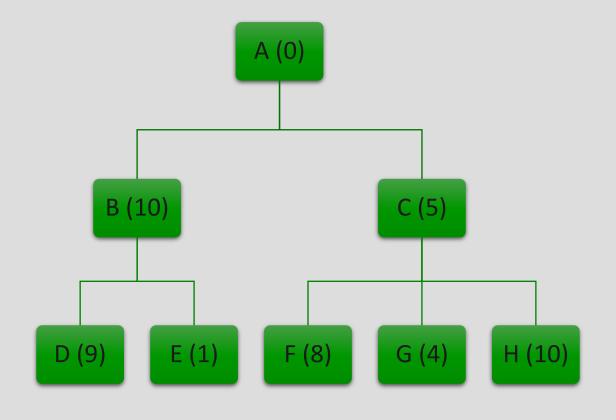
### Bibliografia

- BARBETTA, Pedro Alberto; REIS, Marcelo Menezes; BORNIA, Antonio Cezar.
   Estatística para cursos de engenharia e informática. 3. ed. São Paulo: Atlas, 2010.
   416 p. ISBN 9788522459940.
- RUSSELL, Stuart J.; NORVIG, Peter. Inteligência Artificial: uma abordagem moderna. 4. ed. Rio de Janeiro: GEN LTC, 2022. 1016 p. ISBN 9788595158870.
- SANDERSON, Grant. **Animated Math**: Neural Networks. Estados Unidos da America, 2017. Disponível em: https://www.3blue1brown.com/topics/neural-networks. Acesso em: 26 mar. 2023.
- SANDERSON, Grant. **Animated Math**: Probability. Estados Unidos da America, 2023. Disponível em: https://www.3blue1brown.com/topics/probability. Acesso em: 26 mar. 2023.
- TALBI, El-Ghazali. Metaheuristics: from design to implementation. 1. ed. Wiley, 2009. 624 p.



### Solução 1 – Algoritmos de busca simples

- Encontre a sequência de nós expandida pela busca para a árvore de estados ao lado
  - Considere os custos dos caminhos apenas para UCS
- BFS: [A, B, C, D, E, F, G, H]
- UCS: [A (0), C (5), G (9), B (10), E (11),
   F (13), H (15), D (19)]
- DFS: [A, B, D, E, C, F, G, H]
- IDFS: [A, A, B, C, A, B, D, E, C, F, G, H]





## Solução 2 – Busca MINMAX (2 jogadores)





# Solução 3 – Busca MINMAX (3 jogadores)



