

Pilhas

Prof. Denio Duarte

duarte@uffs.edu.br

Prof. Claunir Pavan

claunir.pavan@uffs.edu.br

Pilha

- Pilhas são estruturas de dados baseadas em lista simples.
 - Abordagem LIFO: last-in first-out, ou seja, o último a entrar é o primeiro a sair
- Operações básicas
 - **Inserir** um novo item no topo da pilha (push)
 - **Remover** um item do topo da pilha (pop)
- É comum também podermos realizar outras operações úteis em uma pilha:
 - **Inicializar** a pilha
 - **Testar** se a pilha está **vazia**
 - **Destruir** a pilha (tipicamente, liberar a memória alocada para a estrutura de dados)

Pilha

- Usos
 - Controle de chamada de funções dentro dos programas, a última função chamada é a primeira a ser destruída
 - Controle de prioridade nas operações matemáticas: (, {, [e operadores

Exemplo de funcionamento

Entrada:

L A * S T I * N ...

Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:



Pilha



Pilha vazia

Exemplo de funcionamento

Entrada:

A * S T I * N ...

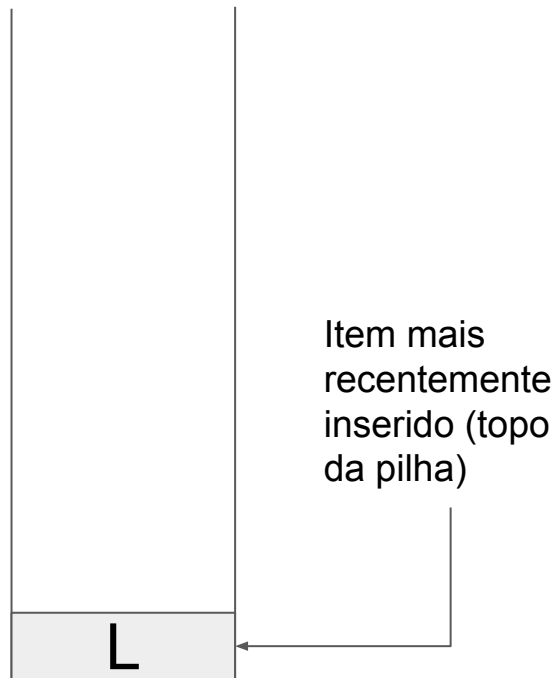
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:



Pilha



Exemplo de funcionamento

Entrada:

* S T I * N ...

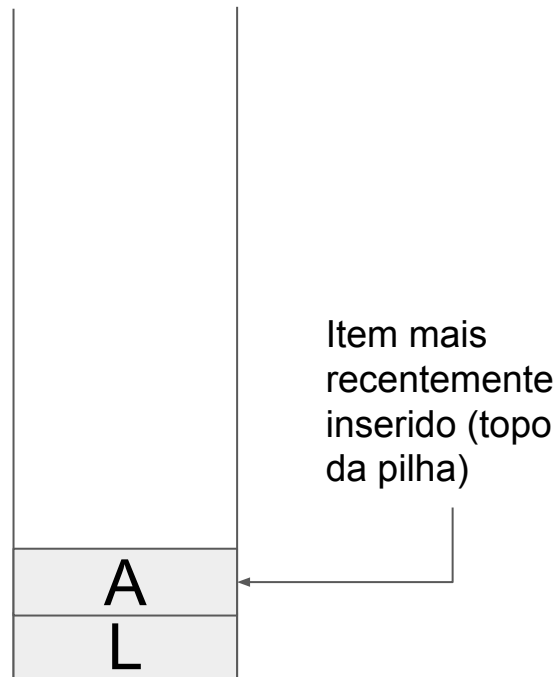
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:



Pilha



Exemplo de funcionamento

Entrada:

S T I * N ...

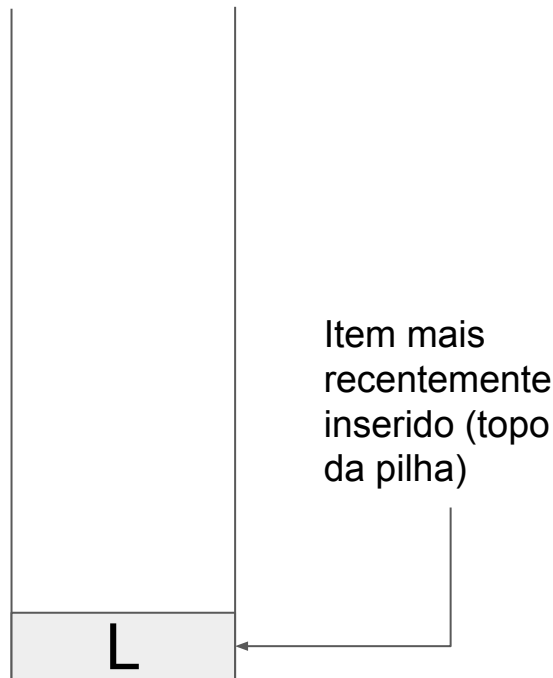
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:

A

Pilha



Exemplo de funcionamento

Entrada:

T I * N ...

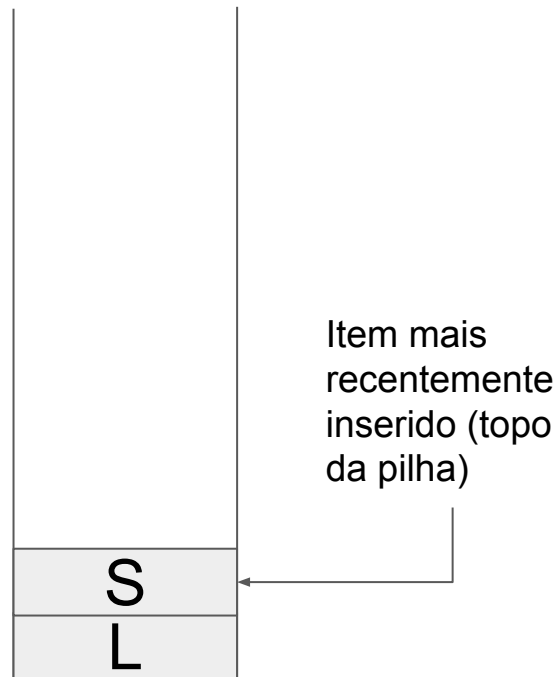
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:

A

Pilha



Exemplo de funcionamento

Entrada:

I * N ...

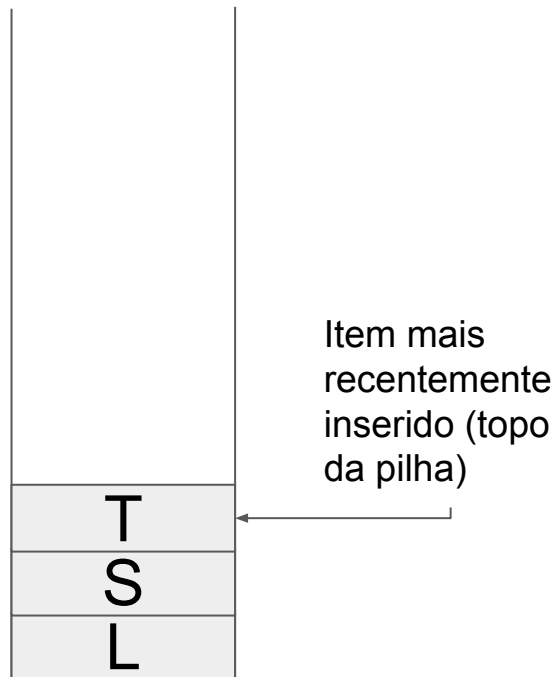
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:

A

Pilha



Exemplo de funcionamento

Entrada:

* N ...

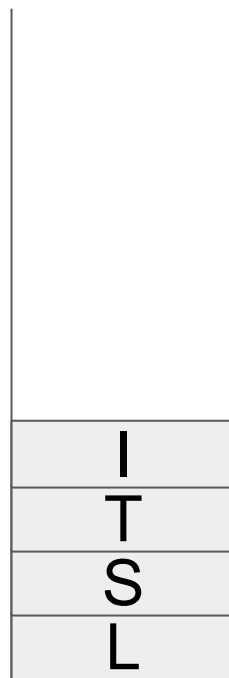
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:

A

Pilha



Item mais recentemente inserido (topo da pilha)

Exemplo de funcionamento

Entrada:

N ...

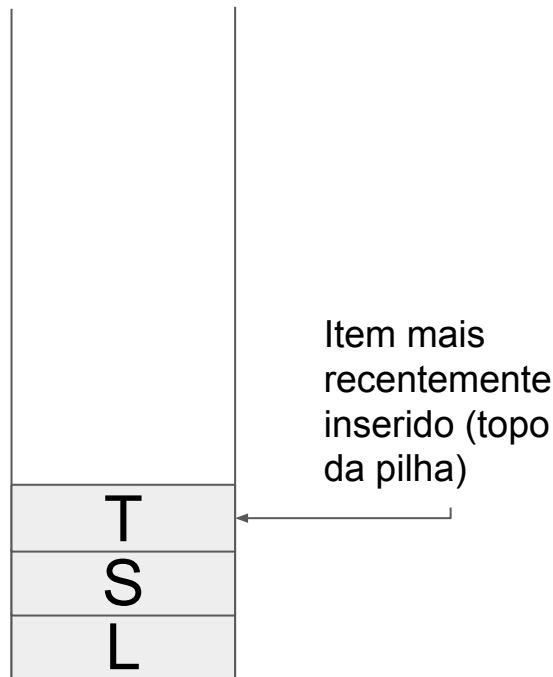
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:

A I

Pilha



Exemplo de funcionamento

Entrada:

...

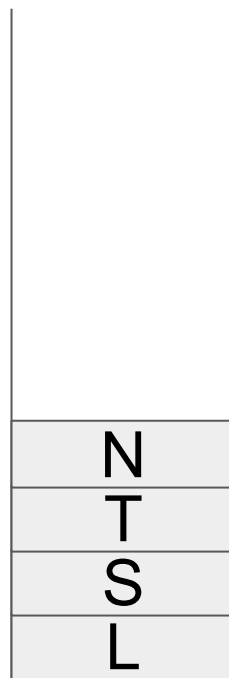
Processamento:

- Se a entrada é uma letra: insere na pilha
- Se é um * : remove da pilha

Saída:

Al

Pilha



Item mais recentemente inserido (topo da pilha)

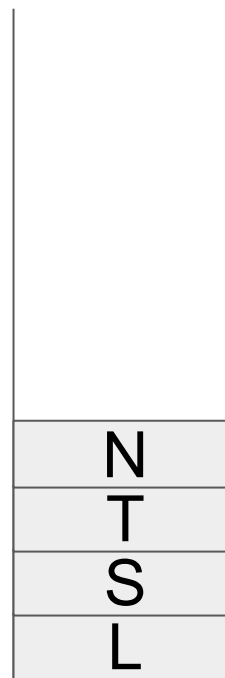
Exemplo de funcionamento

Entrada:

...

O processamento continuaria...

Pilha



Item mais recentemente inserido (topo da pilha)

Exemplo de aplicação

Problema: Verificar se as chaves, colchetes e parênteses de um programa estão corretamente aninhados.

Entrada (após pré-processamento):

() { [] }

Saída:

Correto

Entrada (após pré-processamento):

() [{] }

Saída:

Incorreto

Exemplo de aplicação

Entrada:

() { [] }

Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:



Pilha



Pilha vazia

Exemplo de aplicação

Entrada:

) { [] }

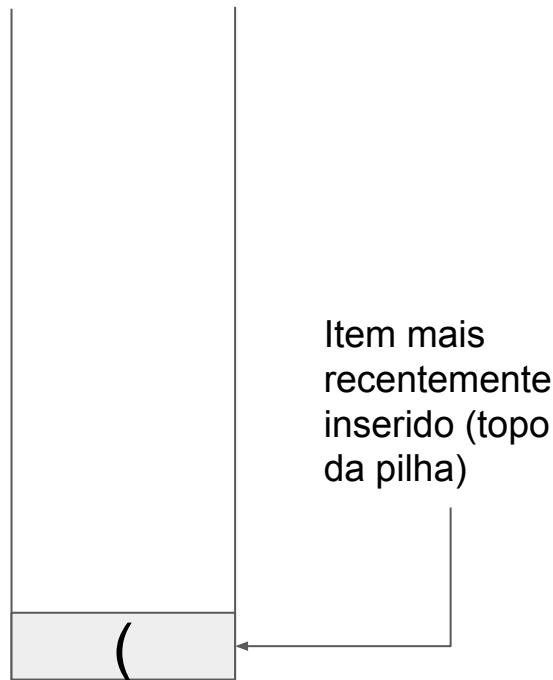
Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:



Pilha



Exemplo de aplicação

Entrada:

{ [] }

Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:



Pilha



Pilha vazia

Exemplo de aplicação

Entrada:

[] }

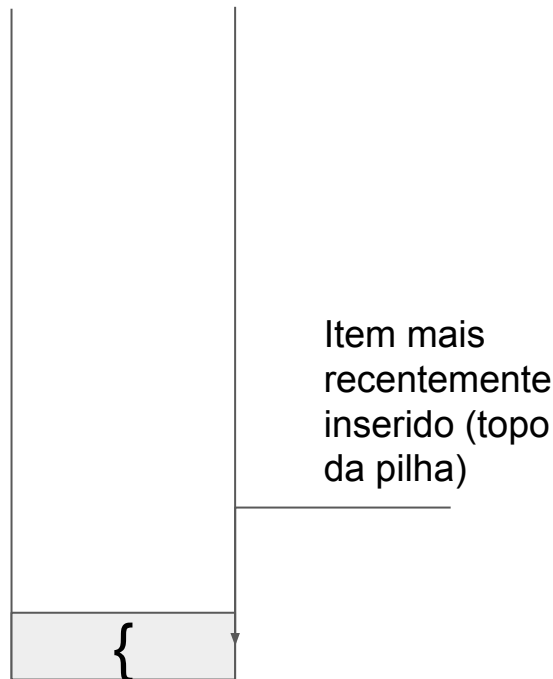
Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:



Pilha



Exemplo de aplicação

Entrada:

[}

Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:



Pilha



Item mais recentemente inserido (topo da pilha)

Exemplo de aplicação

Entrada:

}

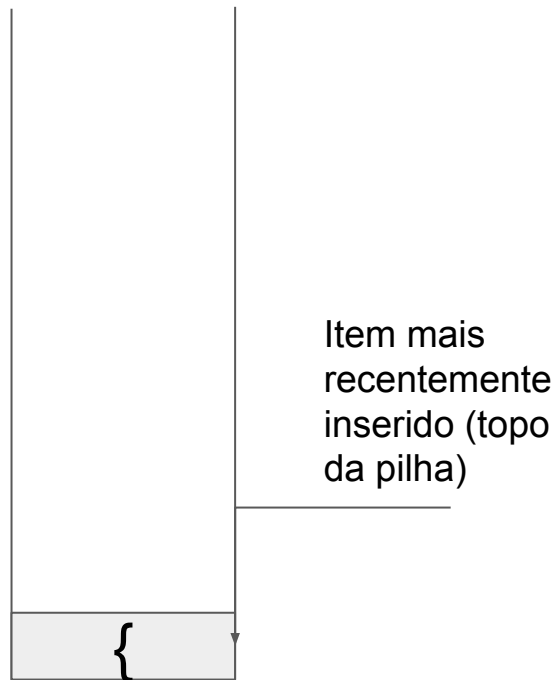
Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:



Pilha



Exemplo de aplicação

Entrada:

Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:



Pilha



Pilha vazia

Exemplo de aplicação

Entrada:

Solução:

- Se é (, { ou [: insere na pilha
- Se é), } ou]: remove da pilha e compara se deu match, isto é, **topo igual à entrada**

Saída:

Correto (pilha e entrada vazias)

Pilha

Pilha vazia

Implementação

- Comumente, uma pilha é implementada de duas maneiras: usando um vetor ou usando uma lista encadeada simples
- Usando um vetor
 - Desvantagem: É necessário definir um tamanho máximo da pilha; uso ineficiente da memória total alocada
 - Vantagem: Inserção e remoção de itens não requerem alocação e liberação de memória
- Usando uma lista encadeada simples
 - Desvantagem: Inserção e remoção de itens requerem alocação e liberação de memória
 - Vantagem: Uso mais eficiente da memória total alocada

Implementação - lista encadeada simples

- Podemos declarar os seguintes tipos:

```
typedef int Item;
```

```
typedef struct elemStack {  
    Item item;  
    struct elemStack *next;  
} ElemStack;
```

```
typedef struct {  
    ElemStack *top;  
} Stack;
```


Implementação - lista encadeada simples

- Podemos declarar os seguintes tipos:

```
typedef int Item;
```

```
typedef struct elemStack {  
    Item item;  
    struct elemStack *next;  
} ElemStack;
```

```
typedef struct {  
    ElemStack *top;  
} Stack;
```

```
Stack *stack;
```

ou

```
typedef int Item;
```

```
typedef struct elemStack {  
    Item item;  
    struct elemStack *next;  
} ElemStack;
```

```
// sem estrutura para o sentinela  
ElemStack *stack, *top;
```

Implementação - lista encadeada simples

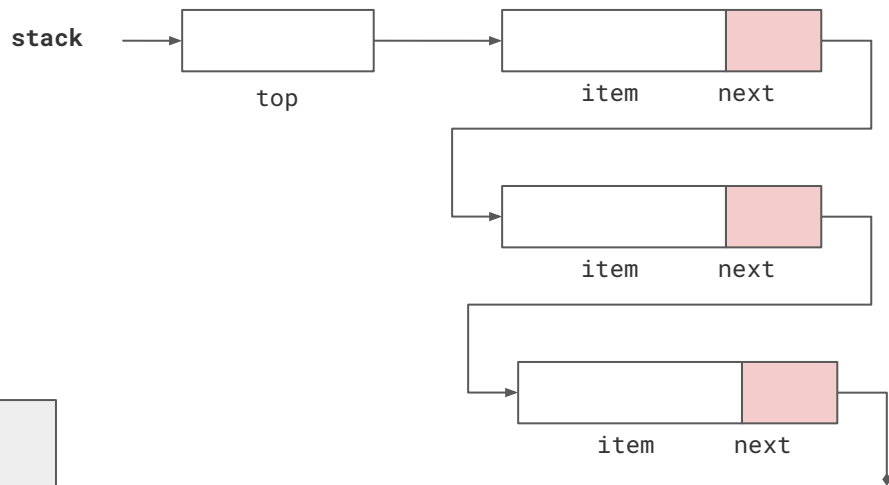
- Podemos declarar os seguintes tipos:

```
typedef int Item;
```

```
typedef struct elemStack {  
    Item item;  
    struct elemStack *next;  
} ElemStack;
```

```
typedef struct {  
    ElemStack *top;  
} Stack;
```

```
Stack *stack;
```



Implementação - lista encadeada simples

- Operações:

```
void push(Stack *s, Item item)

void pop (Stack *s, Item *item)

void initStack(Stack *s)

int isEmptyStack(Stack *s)

void freeStack(Stack *s)
```

Implementação - lista encadeada simples

- Operação de inserir um novo elemento na pilha:

```
void push(Stack *s, Item item) {
    ElemStack *aux;

    // Cria um novo elemento da lista encadeada que representa a pilha e
    // armazena neste novo elemento o item a ser inserido na pilha
    aux = (ElemStack *)malloc(sizeof(ElemStack));
    aux->item = item;

    // Insere o novo elemento no início da lista encadeada que representa a
    // pilha
    aux->next = s->top;
    s->top = aux;
}
```

Implementação - lista encadeada simples

- Operação de remover um elemento da pilha:

```
void pop(Stack *s, Item *item) {  
    ElemStack *aux;  
  
    // Verificar se a pilha está vazia!  
  
    // Armazena o item a ser removido da pilha  
    *item = s->top->item; // ATENÇÃO: Depende da definição do tipo do item  
  
    // Armazena o primeiro elemento da lista encadeada que representa a pilha  
    // e remove este primeiro elemento da lista  
    aux = s->top;  
    s->top = s->top->next;  
  
    // Libera a memória alocada para o elemento removido  
    free(aux);  
}
```

Implementação - lista encadeada simples

- Operação de inicializar a pilha:

```
void initStack(Stack *s) {  
    s->top = NULL;  
}
```

Implementação - lista encadeada simples

- Operação de testar se a pilha está vazia:

```
int isEmptyStack(Stack *s) {  
    return (s->top == NULL);  
}  
//ou  
int isEmptyStack(Stack *s) {  
    if (s->top == NULL) return 1;  
    else return 0;  
}
```

Implementação - lista encadeada simples

- Operação de destruir a pilha (liberar a memória alocada para a pilha):

```
void freeStack(Stack *s) {
    ElemStack *aux;

    while (!isEmptyStack(s)) {
        // Armazena o primeiro elemento da lista encadeada que representa a
        // pilha e remove este primeiro elemento da lista
        aux = s->top;
        s->top = s->top->next;

        // Libera a memória alocada para o elemento removido
        free(aux);
    }
}
```


Implementação - lista encadeada simples

- Usando a pilha:

```
int main() {
    Stack stack;
    Item item;

    initStack(&stack);

    for (int i = 0; i < 10; i++) {
        item = i;

        printf("Inserindo na pilha o item %d.\n", item);
        push(&stack, item);
    }

    // Continua no proximo slide
```

Implementação - lista encadeada simples

- Usando a pilha:

```
// Continuacao do slide anterior

while (isEmptyStack(&stack) == 0) {
    pop(&stack, &item);
    printf("Item %d removido da pilha.\n", item);
}

freeStack(&stack); // Sem efeito se a pilha já estiver vazia

return 0;
}
```

Exercícios

1. Faça um programa que receba uma string, caractere por caractere
 - Cada caractere é colocado em uma pilha
 - No fim da entrada, esvazie a pilha imprimindo os caracteres armazenados