

编程问题

(2-sum problem) 给定一个无序数组 A ，给定一个和值 sum ，找出数组中所有相加等于 A 的数对。

两种解决思路，一种是优化时间的，一种是优化空间的：

1. 优化时间：时复 $O(N)$ 空复 $O(M)$ ， M 是数组中值的范围

使用一个 `HashMap`，将整个数组的所有数值都 `hash`。之后遍历数组一遍，对每一个 $A[i]$ 都检查 $sum-A[i]$ 是否存在于 `HashMap` 中。

NB. 为了使得遍历时的查找操作是真正的 $O(1)$ 时间，我们需要使得冲突非常小（理想状况下没有冲突），这对 `hash` 函数选取有较高的要求。如果希望 `hash` 函数有简单的实现，直接的方法是让 `HashMap` 的大小为数组中值的范围 $M=\max(A)-\min(A)$ ，此时空间占用是 $O(M)$ 。只有此时才能绝对保证整个算法的时复是 $O(N)$ 。

2. 优化空间：时复 $O(N\log N)$ ，空复 $O(1)$

对数组调用 `quick sort`，耗时 $O(N\log N)$ ，之后采取两个下标 $i=0$ ， $j=\text{len}(A)-1$ 两个相加小于 sum ， i 推进，两个相加大于 sum ， j 推进，直到 i ， j 交错。

(3-sum problem) 给定一个无序数组 A ，给定一个和值 sum ，找出数组中所有相加等于 A 的三元组 (**triple**)。

$O(N^2)$ 解决思路1:

1. 先对数组进行排序，耗时 $O(N\log N)$ ，之后遍历数组中的每一个元素 ($O(N)$)，每次遍历都用两个指针 i ， j 采用 2-sum 中的首尾逼近法去寻找是否存在 $sum-A[i]-A[j]$ ，这个过程耗时是 $O(N)$ 。总共耗时 $O(N^2)$

$O(N^2)$ 解决思路2:

1. 先使用 `hashtable` 对整个数组进行散列，构建的过程时间是 $O(N)$ ，空间占用是 $O(N)$ 。
2. 之后用两个下标 i ， j 两层循环遍历数组，在内部利用 `hashtable` 去查找是否存在 $sum-A[i]-A[j]$ ，查找开销是 $O(1)$
3. 好处是时间快了一点，但是空间开销是 $O(N)$ ，如果要 `hashtable` 达到严格 $O(1)$ 查找操作，空间开销可能要 $O(M)$

拓展到 4sum 问题

先全部排序，然后用 i 遍历元素，每次对 $i+1$ 及之后的元素使用 3sum

给定链表的头指针，和一个节点指针，在 $O(1)$ 时间删除该节点

```
node.data = node.next.data
node.next = node.next.next
```

用下一个节点的数据直接替换该节点的数据。注意给定的不能是尾节点

给定一个单链表 `head`，输出逆转之后的反序单链表

使用三个指针 `pre`, `current`, `next` 遍历一遍即可

```
def reverse(head):
    if head == None or head.next == None:
        return head

    pre = None
    current = head
    next = None

    while current != None:
        next = current.next
        current.next = pre
        pre = current
        current = next

    return pre
```

给定一个单向链表，要求找到倒数第 `k` 个节点？

设置两个引用 `p1`, `p2`，一开始都指向 `head`，然后 `p2` 向前走 `k` 个节点，此时 `p1` 和 `p2` 之间相隔了 `k` 个节点。

此后 `p1`, `p2` 同时向前每次前进一个节点，直到 `p2` 走到链表末端。

求链表的中间节点

先计数

先用一个节点遍历一次列表，记录长度为 `count`，之后问题变为求第 `count/2` 位置的节点。

只遍历一遍的方法

如果只能遍历一遍，则采用两个指针，一个 `fast` 每次走两步，一个 `slow` 每次走一步。直到快的指针移动到尾节点的时候，慢的指针指的位置就是我们要找的链表中间位置。

给定一个链表，查找是否有环

通过两个指针，分别从链表的头节点出发，一个每次向后移动一步，另一个移动两步，两个指针移动速度不一样，如果存在环，那么两个指针一定会在环里相遇。

```
def hasCircle(head):
    fast = head
    slow = head

    while fast != None and fast.next != None:
        fast = fast.next.next
        slow = slow.next
        if fast == slow:
            return True
    return False
```

如果找出环的入口位置？

当找到环的时候，把 `fast` 重新指向 `head`，之后 `fast` 和 `slow` 都同时按每次一步走，最后两者再相遇的时候，就是环的入口。

为什么？

假设第一次相遇的时候，从 `head` 到环的入口共有 a 步，从进入环的入口到相遇点共有 b 步，设环路长度为 L ，则：

对 `slow`: $a + b = n$

对 `fast`: $a + b + kL = 2n$

可知 $kL = n = a + b$

由 $kL = n$ 可知 `slow` 走的步数正好是环长的整数倍，此时 `slow` 已经在环里，如果它再走 n 步的话，还会回到相遇点

由 $kL = a + b$ 可知，从 `head` 走出 n 步的话，会达到相遇点，并且同时在走的 `slow` 也会走到这里。

可知 `fast` 和 `slow` 只有前 a 步不同，故相遇的时候是入口。

两个链表寻找公共节点

两层遍历：

使用两层循环来遍历两个链表，看是否能走到一样的节点。耗时 $O(mn)$

使用标记数组：

修改节点的数据结构，添加一个标记位：`visited`。遍历第一个列表，全部标注为 `true`，再遍历第二个列表。耗时 $O(m+n)$ ，占用空间 $O(m+n)$ ，而且要求修改数据结构。

如果不能修改数据结构，则考虑使用 `hash set` 来存储遍历第一个列表是见到的所有 `node`。遍历第二个列表时，只要查询是否节点存在于 `hash set` 即可，耗时 $O(m+n)$ ，占用空间 $O(m+n)$ 。

计算链表长度差：

先遍历第一个链表，记录长度为 `count1`，耗时 $O(m)$

再遍历第二个链表，记录长度为 `count2`，耗时 $O(n)$

计算长度差 $\text{diff} = \text{count1} - \text{count2}$ 假设第一个链表更长

让第一个链表先走到 `diff` 的位置，此时两个链表剩下的长度相同

之后让两个链表一同前进，看是否会遇到相同的节点。

耗时 $O(m+n)$ ，占用空间 $O(1)$ 。

构建有环链表：

遍历第一个列表，记录最后一个节点，并让其指向列表的第一个节点。

此时问题变成了第二个列表是否有环的问题。

耗时 $O(m+n)$ ，占用空间 $O(1)$ 。

(lowest-common ancestor) 对于给定的一颗二叉树，输入两个节点，求它们的最低公共节点。

考虑节点存在父引用：

变成两个链表找公共节点问题，沿着 `parent` 引用一直前进即可。

给定一个整数 N ，请按照字典序打印出 $1-N$ 之间的所有数，例如 $N=12$ ，输出：

```
1
10
11
12
2
3
4
5
6
7
8
9
```

贪吃蛇的实现？

用什么样的数据结构来表示贪吃蛇比较好？[贪吃蛇的数据结构实现](#)

$n \times m$ 的格子，通过每个格子需要消耗不同的体力值，可以上下左右移动，求从左上角跑到右下角消耗体力最小的路径。

可以利用 Dijkstra 算法，找出单源最短路径。

每一个格子和它周围邻接的四个格子都有一条边，这条边的 $cost$ 就是目标格子消耗的体力值。

整数数组最大连续和子数组？

整数数组最大连续乘积子数组？