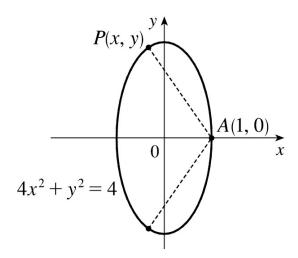
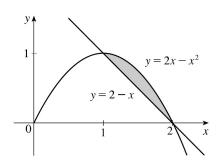
2023/12/18

除了選擇,填充和簡答題之外,你的答案必須提供完整說明,如果只有答案沒有任何說明得零分!

1. (10 points) 用微分求下圖中,在橢圓 $4x^2 + y^2 = 4$ 上與A(0,1)點距離最遠位置之座標.



2. (10 points) 求以下圖形中的陰影面積:



3. (10 points) 令D為由曲線 $4x+y^2=12$ 與y=x所圍成的有界區域,描繪D之圖形 並且計 算D的面積.

4. (7+7+6=20 points) 計算不定積分: (a)
$$\int \ln \sqrt{x} \ dx$$
 (b) $\int \tan^{-1}(2x) \ dx$.

(c)
$$\int \frac{x}{10^x} dx.$$

5. (10 points) 求
$$\frac{x^3}{(x+1)(x-1)^2}$$
之部分分式(partial fraction)。