微積分(I) Quiz #6

系級...... 組別: A / B 學號 ...... 姓名...... 姓名......

(45 minutes)

2023/11/20

除了選擇,填充和簡答題之外,你的答案必須提供完整說明,如果只有答案沒有任何說明得零分!

1. (5+5=10 points) 求以下極限: (a)  $\lim_{x\to 4} \frac{x^2+3x}{x^2-x-12}$ 

(b)  $\lim_{x\to 0} \frac{(-2+x)^{-1}+2^{-1}}{x}$ 

2. (5+5=10 points) 求以下極限: (a)  $\lim_{x \to (1/2)^{-}} \frac{2x-1}{|2x^3-x^2|}$ 

(b)  $\lim_{x \to 4} \frac{\ln x - \ln 4}{x - 4}$ 

3. (10 points) 求以下函數圖形的垂直漸進線:  $y = \frac{x^2 + 1}{3x - 2x^2}$ 

4. (2+2+2+2+3=11 points) 填充題. 依照以下圖形回答下列問題:

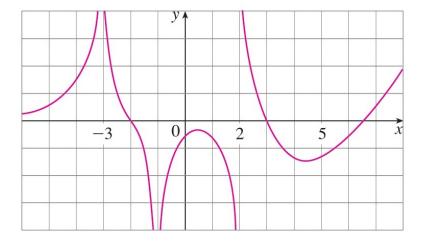
(a) 
$$\lim_{x \to -3} A(x)$$

(b) 
$$\lim_{x \to 2^{-}} A(x)$$

(c) 
$$\lim_{x \to 2^+} A(x)$$

(c) 
$$\lim_{x \to 2^+} A(x)$$
 (d)  $\lim_{x \to -1} A(x)$ 

(e) The equations of the vertical asymptotes



5. (6+6+7=19 points) 求以下函數的導數: (a)  $f(x) = \sec^{-1}(e^x)$ 

(b) 
$$g(x) = \left(\tan^{-1} x^2\right)^2$$

(c) 
$$F(x) = x \cdot \arcsin(1/x)$$