Planejamento Semanal: Razão, Proporção e Regra de Três - Semana 1

Professor(a): Jefferson

Objetivo da Semana

Introduzir os conceitos de razão e proporção, e iniciar o estudo da regra de três simples, aplicando-os em situações práticas do cotidiano.

Aula 1: Introdução à Razão e Proporção

- Conteúdo:
 - Definição de razão: comparação entre duas grandezas, expressa como $\frac{a}{b}$ ou a:b.
 - Definição de proporção: igualdade entre duas razões, expressa como $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$.
 - Propriedades fundamentais das proporções:
 - * Propriedade fundamental: $a \cdot d = b \cdot c$.
 - * Propriedade da soma: $\frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d}$.
 - Exemplos práticos:
 - * Escalas de mapas: se 1 cm no mapa representa 10 km na realidade, a razão é 1:1.000.000.
 - * Receitas culinárias: para fazer 12 pães, usa-se 3 xícaras de farinha. Qual a razão farinha/pães? $\frac{3}{12} = \frac{1}{4}$.

• Atividades:

- Resolução de exercícios básicos:
 - 1. Calcule a razão entre 20 e 4.

Resposta: $\frac{20}{4} = 5$.

2. Verifique se $\frac{2}{5} = \frac{8}{20}$ é uma proporção. **Resposta:** Sim, pois $2 \cdot 20 = 5 \cdot 8$ (40 = 40).

3. Se 3 litros de suco custam R\$ 12, qual o custo de 7 litros?

Resposta: $\frac{3}{12} = \frac{7}{x} \Rightarrow x = 28 \text{ (R\$ 28)}.$

4. Em uma escola, há 20 professores para 400 alunos. Qual a razão professor/aluno? Resposta: $\frac{20}{400} = \frac{1}{20}$.

5. Se $\frac{a}{b} = \frac{3}{4}$ e b = 12, qual o valor de a?

Resposta: a = 9.

- Discussão em grupo: trazer exemplos de razão e proporção no dia a dia.
- Recursos: Quadro, projetor, exemplos impressos.

Aula 2: Aplicações de Proporção e Introdução à Regra de Três

- Conteúdo:
 - Revisão rápida de razão e proporção.
 - Introdução à regra de três simples:
 - * Diretamente proporcional: se a aumenta, b aumenta na mesma proporção.
 - * Inversamente proporcional: se a aumenta, b diminui na mesma proporção.
 - Exemplos práticos:
 - * Diretamente proporcional: se 2 pães custam R\$ 4, quanto custam 5 pães? $\frac{2}{4} = \frac{5}{x} \Rightarrow x = 10$ (R\$ 10).
 - * Inversamente proporcional: se 4 trabalhadores constroem um muro em 6 dias, quanto tempo levam 8 trabalhadores? $\frac{4}{8} = \frac{x}{6} \Rightarrow x = 3$ (3 dias).

Atividades:

- Resolução de problemas práticos:

- $1. \ \ \text{Se um carro percorre 240 km com 20 litros de gasolina, quantos litros precisa para percorrer 600 km?}$ Resposta: ²⁴⁰/₂₀ = ⁶⁰⁰/_x ⇒ x = 50 litros.
 2. Se 3 torneiras enchem um tanque em 4 horas, quanto tempo levam 6 torneiras?
- **Resposta:** $\frac{3}{6} = \frac{x}{4} \Rightarrow x = 2$ horas.
- $3.\ {\rm Se}\ 5$ operários constroem um muro em 10 dias, quantos dias levam 10operários? **Resposta:** $\frac{5}{10} = \frac{x}{10} \Rightarrow x = 5 \text{ dias.}$
- 4. Se 8 metros de tecido custam R\$ 24, quanto custam 12 metros? **Resposta:** $\frac{8}{24} = \frac{12}{x} \Rightarrow x = 36 \text{ (R$ 36)}.$
- $5.~{\rm Se}~6$ máquinas produzem 120 peças em 2 horas, quantas peças produzem 9 máquinas em 3 horas? **Resposta:** $\frac{6}{9} = \frac{120}{x} \Rightarrow x = 180$ peças.
- Atividade em duplas: criar e resolver problemas envolvendo regra de três.
- Recursos: Lista de exercícios, calculadoras.