Contents

1 ubuntu

2 Basic 3 字串 5 sort 6 math 7 algorithm 8 動態規劃 10 Section2 11 space 11.1 s .

1 ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

2 Basic

2.1 ascii

1	int	char	int	char	int	char
2	1		64	@	96	,
3	1	!	65	A	97	а
4		"	66	В	98	b
5	35	#	67	С	99	С
6	36	\$	68	D	100	d
7	37	%	69	E	101	е
8	38	&	70	F	102	f
9	39		71	G	103	g
10	40	(72	Н	104	ĥ
11	41)	73	I	105	i
12	42	*	74	J	106	j
13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
14	44	,	76	L	108	1
15	45	-	77	М	109	т
16	46		78	N	110	n
17	47	/	79	0	111	0
18	48	0	80	P	112	р
19	49	1	81	Q	113	q
20	50	2	82	R	114	r
21	51	3	83	S	115	s
22	52	4	84	T	116	t
23	53	5	85	U	117	и
24	54	6	86	V	118	V
25	55	7	87	W	119	W
26	56	8	88	X	120	X
27	57	9	89	Y	121	y
28	58	:	90	Z	122	Z
29	59	;	91	Γ	123	{
30	60	<	92	1	124	1
31	61	=	93	J	125	}
32	62	>	94	^	126	~
33	63	?	95			

2.2 limits

12

```
1 [Type]
                     [size]
                                   [range]
                                 127 to -128
2
  char
                       1
  signed char
                       1
                                127 to -128
  unsigned char
                       1
                                 0 to 255
                                 32767 to -32768
  short
                       2
  int
                       4
                                 2147483647 to -2147483648
  unsigned int
                                 0 to 4294967295
8
  long
                                 2147483647 to -2147483648
  unsigned long
                       4
                                 0 to 18446744073709551615
9
                       8
10
  long long
              9223372036854775807 to -9223372036854775808
11
12
  double
                       8
                            1.79769e+308 to 2.22507e-308
13 long double
                       16
                            1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14 float
                       4
                               3.40282e+38 to 1.17549e-38
15
  unsigned long long
                       8
                                 0 to 18446744073709551615
16 string
                       32
```

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x) % 2 ? s[(x) / 2] : '.')
3 using namespace std;
4
5 string s;
6 int n;
7
8 int ex(int 1, int r) {
9 int i = 0;
```

```
while(l - i \ge 0 \&\& r + i < n \&\& T(l - i) == T(r + i)
10
         i)) i++;
11
     return i;
12 }
13
14 int main() {
    cin >> s;
15
16
     n = 2 * s.size() + 1;
17
18
     int mx = 0;
19
    int center = 0;
     vector<int> r(n);
20
     int ans = 1;
21
     r[0] = 1;
22
23
     for(int i = 1; i < n; i++) {</pre>
       int ii = center - (i - center);
24
       int len = mx - i + 1;
25
26
       if(i > mx) {
         r[i] = ex(i, i);
27
28
         center = i;
         mx = i + r[i] - 1;
29
30
       } else if(r[ii] == len) {
31
         r[i] = len + ex(i - len, i + len);
         center = i;
32
         mx = i + r[i] - 1;
33
34
       } else {
35
         r[i] = min(r[ii], len);
36
37
       ans = max(ans, r[i]);
38
39
40
     cout << ans - 1 << "\n";
41
     return 0;
```

4 STL

42 }

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序,
      即優先權高的資料會先被取出。
2 宣告:
3
     priority_queue <int> pq;
  把元素 x 加進 priority_queue:
5
     pq.push(x);
  讀取優先權最高的值:
6
7
     x = pq.top();
8
     pq.pop();
                            //讀取後刪除
  判斷是否為空的priority_queue:
9
     pq.empty()
                            //回傳 true
10
                            //回傳@
11
     pq.size()
12 如需改變priority_queue的優先權定義:
13
     priority_queue <T> pq;
                           //預設由大到小
14
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
15
                            //改成由小到大
16
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp
```

4.2 queue

```
1 queue: 佇列,資料有「先進先出」 (first in first out,
     FIFO)的特性。
2 就像排隊買票一樣,先排隊的客戶被服務。
3|宣告:
     queue <int> q;
4
 把元素 x 加進 queue:
5
6
     q.push(x);
  取值:
7
     x = q.front(); //   
8
     x = q.back(); // \mathbb{R}
10 移除已經讀取的值:
```

```
11
       q.pop();
  判斷是否為空的queue:
12
       q.empty() 回傳true
13
       q.size() 回傳零
14
15
  #include <iostream>
16
17
  #include <queue>
  using namespace std;
18
19
20
  int main() {
21
       while (cin >> n){
22
           if (n == 0) break;
23
           queue <int> q;
24
           for (int i = 0; i < n; i++){
25
26
                q.push(i+1);
27
           }
28
           cout << "Discarded cards:";</pre>
           for (int i = 0; i < n-1; i++){</pre>
29
                if (i != 0) cout << ',';</pre>
30
                cout << ' ' << q.front();
31
32
                q.pop();
33
                q.push(q.front());
34
                q.pop();
35
           cout << endl << "Remaining card: " <<</pre>
36
                q.front() << endl;
37
       }
38 }
```

4.3 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2
      (Standard Template Library, STL)
     中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
4
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back()
             //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
13 dq.front()
              //回傳 deque 最開頭的元素
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
16
17
     n: 元素插入次數
    val: 插入的元素值
18
19 da.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
              //清空整個 deque 佇列。
20 dq.clear()
21 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
 dq.empty()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
                若是存在任何元素,則返回0
24
 dq.begin()
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
 dq.end()
25
              //指向 deque 結尾,
               不是最後一個元素,
26
               而是最後一個元素的下一個位置
27
```

4.4 map

```
    1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構,

    2 會按 key 由小到大排序。

    3 元素存取

    4 operator[]: 存取指定的[i]元素的資料
```

```
6 迭代器
7 begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end():回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key: it->first 或 (*it).first
14 取 value: it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert(): 插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
27| 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
31 //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34
35
  int main(){
36
      //declaration container and iterator
37
      map<string, string> mp;
38
      map<string, string>::iterator iter;
39
40
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
41
42
      //insert element
      mp.insert(pair<string, string>("r000",
43
           "student_zero"));
44
      mp["r123"] = "student_first";
45
46
      mp["r456"] = "student_second";
47
48
      //traversal
      for(iter = mp.begin(); iter != mp.end(); iter++)
49
          cout << iter -> first << " " << iter -> second << endl;</pre>
50
51
      for(iter_r = mp.rbegin(); iter_r != mp.rend();
          iter_r++)
          cout<<iter_r->first<<"
52
               "<<iter_r->second<<endl;
53
      //find and erase the element
54
      iter = mp.find("r123");
55
56
      mp.erase(iter);
57
      iter = mp.find("r123");
58
59
60
      if(iter != mp.end())
61
         cout << "Find, the value is
              "<<iter->second<<endl;
62
         cout << "Do not Find" << endl;</pre>
63
64
65
      return 0;
66 }
67
68 / // map 統 計 數 字
69 #include <bits/stdc++.h>
70 using namespace std;
71
72 int main(){
73
    ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0);
74
    long long n,x;
75
    cin>>n;
    map <int,int> mp;
76
```

4.5 unordered_map

```
    1 unordered_map: 存放 key-value pairs

    2 的「無序」映射資料結構。

    3 用法與map相同
```

4.6 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
3
  宣告:
4
     set <int> st:
5
  把元素 x 加進 set:
6
     st.insert(x):
7
  檢查元素 x 是否存在 set 中:
10
     st.count(x);
11
  刪除元素 x:
12
     st.erase(x); // 可傳入值或iterator
13
14
  清空集合中的所有元素:
15
     st.clear();
16
17
  取值: 使用iterator
18
     x = *st.begin();
19
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
20
21
      x = *st.rbegin();
22
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
23
  判斷是否為空的set:
24
     st.empty() 回傳true
25
      st.size() 回傳零
26
27
28
  常用來搭配的member function:
29
      st.count(x);
     auto it = st.find(x);
30
31
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.lower_bound(x);
32
33
         // binary search, O(log(N))
34
      auto it = st.upper_bound(x);
35
         // binary search, O(log(N))
```

4.7 multiset

```
1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。2 | 資料由小到大排序。3 | 宣告:4 multiset < int > st;5 | 刪除資料:6 st.erase(val); 會刪除所有值為 val 的元素。7 st.erase(st.find(val)); 只刪除第一個值為 val 的元素。
```

4.8 unordered_set

```
1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
2 資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),
```

³ 相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,

```
無自動排序功能。
6
7
  unordered_set<int> myunordered_set{1, 2, 3, 4, 5};
8
9 陣列初始化
10 int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};
11 unordered_set < int > myunordered_set(arr, arr+5);
12
13 插入元素
14 unordered_set < int > myunordered_set;
15 myunordered_set.insert(1);
16
17 迴圈遍歷 unordered_set 容器
18 #include <iostream>
19 #include <unordered_set>
20 using namespace std;
21
22
  int main() {
      unordered_set < int > myunordered_set = {3, 1};
23
24
       myunordered_set.insert(2);
25
      myunordered_set.insert(5);
26
      myunordered_set.insert(4);
27
      myunordered_set.insert(5);
      myunordered_set.insert(4);
28
29
      for (const auto &s : myunordered_set) {
30
31
           cout << s << " ";
32
      cout << "\n";
33
34
35
      return 0;
36
  }
37
38 /*
39 output
40 4 5 2 1 3
41
42
43 unordered_set 刪除指定元素
44 #include <iostream>
45 #include <unordered_set>
46
47
  int main() {
      unordered_set<int> myunordered_set{2, 4, 6, 8};
48
49
50
      myunordered_set.erase(2);
      for (const auto &s : myunordered_set) {
51
           cout << s << " ";
52
      }
53
      cout << "\n";
54
55
56
      return 0:
57 }
58 /*
59 output
60 8 6 4
61
  */
62
63 清空 unordered_set 元素
64 unordered_set < int > myunordered_set;
65 myunordered_set.insert(1);
66 myunordered_set.clear();
67
68 unordered_set 判斷元素是否存在
69 unordered_set < int > myunordered_set;
70 myunordered_set.insert(2);
71 myunordered_set.insert(4);
72 myunordered_set.insert(6);
  cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1</pre>
74 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
75
76 判斷 unordered_set 容器是否為空
77 #include <iostream>
78 #include <unordered_set>
79
```

```
80 int main() {
       unordered_set < int > myunordered_set;
81
82
       myunordered_set.clear();
83
84
       if (myunordered_set.empty()) {
            cout << "empty\n";</pre>
85
       } else {
86
87
            cout << "not empty, size is "<<
                 myunordered_set.size() << "\n";</pre>
88
       }
89
90
       return 0;
91 }
```

4.9 單調隊列

```
1 // 單調隊列
2
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
  example 1
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
9 //寫法1
10 #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 1000100
  using namespace std;
12
13 int q[maxn], a[maxn];
14 int n, k;
15
16
  void getmin() {
17
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
      int head = 0, tail = 0;
18
       for (int i = 1; i < k; i++) {
19
           while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
20
               tail--;
21
           q[++tail] = i;
      }
22
       for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
23
           while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
24
               tail--;
25
           q[++tail] = i;
           while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
26
27
           cout << a[q[head]] << " ";
28
      }
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
32
       int head = 0, tail = 0;
       for (int i = 1; i < k; i++) {
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail] = i;
35
36
37
       for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
39
           q[++tail] = i;
           while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
40
           cout << a[q[head]] << " ";
41
      }
42
43
  }
44
  int main() {
45
      cin>>n>>k: //每 k 個 連 續 的 數
46
       for (int i = 1; i <= n; i++) cin>>a[i];
47
48
       getmin();
49
      cout << '\n';
50
       getmax();
      cout << '\n';
51
52
       return 0;
53 }
54
56 #include <iostream>
57 #include <cstring>
```

```
58 #include <deque>
59 using namespace std;
60 int a[1000005];
61
62
   int main() {
63
       ios_base::sync_with_stdio(0);
64
       int n. k:
65
        while(cin>>n>>k) {
            for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
66
67
            deque<int> dq;
68
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
                 while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
69
70
                     dq.pop_front();
                 while(dq.size() && a[dq.back()]>a[i])
71
72
                     dq.pop_back();
73
                 dq.push_back(i);
74
                 if(i==k-1) cout << a[dq.front()];</pre>
75
                 if(i>k-1) cout<< ' '<<a[dq.front()];</pre>
76
77
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
            cout << '\n';
78
79
            while(dq.size()) dq.pop_back();
80
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
                while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
81
                     dq.pop_front();
82
                 while(dq.size() && a[dq.back()]<a[i])</pre>
83
                     dq.pop_back();
84
85
                 dq.push_back(i);
                 if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];</pre>
86
87
                 if(i>k-1) cout<< ' '<<a[dq.front()];</pre>
88
89
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
90
            cout << '\n';
91
92
       return 0;
93 }
94
95
   example 2
96
97
   一個含有 n 項的數列,求出每一項前的 m
98
        個數到它這個區間內的最小值。
   若前面的數不足 m 項則從第 1
99
        個數開始,若前面沒有數則輸出 0
100
101 #include <bits/stdc++.h>
102 using namespace std;
   #define re register int
104 #define INF 0x3f3f3f3f
105 #define ll long long
106 | #define maxn 2000009
   #define maxm
107
   inline 11 read() {
108
       11 x=0, f=1;
109
       char ch=getchar();
110
111
       while(ch<'0'||ch>'9'){
       if(ch=='-') f=-1;
112
113
       ch=getchar();
114
       while(ch>= '0'&&ch<='9'){</pre>
115
116
       x=(x<<1)+(x<<3)+(11)(ch-'0');
117
       ch=getchar();
118
     }
       return x*f;
119
120 }
121 int n,m,k,tot,head,tail;
122
   int a[maxn],q[maxn];
123
   int main() {
       n=read(), m=read();
124
125
        for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();</pre>
126
       head=1, tail=0; //起始位置為1
            因為插入是q[++tail]所以要初始化為0
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
127
          //每次隊首的元素就是當前的答案
128
129
            cout << a[q[head]] << endl;</pre>
130
```

5 sort

5.1 大數排序

```
1 | #python 大數排序
2
  while True:
3
    try:
                              # 有幾筆數字需要排序
5
     n = int(input())
6
     arr = []
                              #建立空串列
7
     for i in range(n):
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
                              # 串列排序
9
      arr.sort()
10
      for i in arr:
                            # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
13
     break
```

5.2 bubble sort

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
3
4
  int main() {
5
    int n:
     cin>>n;
     int a[n], tmp;
7
     for(int i=0; i<n; i++) cin>>a[i];
9
     for(int i=n-1; i>0; i--) {
       for(int j=0; j<=i-1; j++) {</pre>
10
11
         if( a[j]>a[j+1]) {
12
           tmp=a[j];
            a[j]=a[j+1];
13
           a[j+1]=tmp;
14
15
16
17
18
     for(int i=0; i<n; i++) cout<<a[i]<<" ";</pre>
19 }
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1| 質數
2
3
  埃氏篩法
  vector<int> isprime(n+1,1);
6
  isprime[0]=isprime[1]=0;
7
  for(int i=2;i*i<=n;i++){</pre>
8
       if(isprime[i])
            for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
9
10 }
11
12
13
  因數
14
15
```

```
16 最大公因數 O(log(min(a,b)))
17 int GCD(int a, int b)
18 {
      if (b == 0) return a;
19
      return GCD(b, a % b);
20
21 }
22
23|質因數分解
24
25 void primeFactorization(int n)
26
      for (int i = 0; i < (int)p.size(); ++i)</pre>
27
28
      {
29
          if (p[i] * p[i] > n)
30
              break:
31
          if (n % p[i])
32
              continue;
          cout << p[i] << ' ';
33
          while (n % p[i] == 0)
34
35
              n /= p[i];
36
37
      if (n != 1)
          cout << n << ' ';
38
      cout << '\n';
39
40 }
41
42|歌德巴赫猜想
43 solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
44 #include <iostream>
45 #include <cstdio>
46 using namespace std;
47 #define N 20000000
48 int ox[N], p[N], pr;
49
50 void PrimeTable(){
      ox[0] = ox[1] = 1;
51
52
      pr = 0;
53
      for (int i = 2; i < N; i++){
54
          if (!ox[i]) p[pr++] = i;
55
          for (int j = 0;i*p[j]<N&&j < pr; j++)</pre>
              ox[i*p[j]] = 1;
56
57
58 }
59
60 int main(){
      PrimeTable();
61
62
      int n;
          while (cin>>n,n){
63
64
              int x;
65
               for (x = 1;; x += 2)
                  if (!ox[x] && !ox[n - x])break;
66
67
               printf("%d = %d + %d\n", n, x, n - x);
68
      }
69 }
70 problem : 給定整數 N,求 N
       最少可以拆成多少個質數的和。
71 如果 N 是質數,則答案為 1。
72 | 如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
73 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
74 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
75 #pragma GCC optimize("02")
76 #include <bits/stdc++.h>
77 using namespace std;
78 #define FOR(i, L, R) for(int i=L;i<(int)R;++i)
79 #define FORD(i, L, R) for(int i=L;i>(int)R;--i)
80 #define IOS
      cin.tie(nullptr);
81
82
      cout.tie(nullptr);
      ios_base::sync_with_stdio(false);
83
84
85 bool isPrime(int n){
86
      FOR(i, 2, n){
          if (i * i > n)
87
              return true;
88
89
          if (n \% i == 0)
```

90

return false;

```
91
92
         return true;
93 }
94
95
    int main(){
96
        IOS;
97
        int n;
98
         cin >> n;
         if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
99
         else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
100
         else cout << "3\n";</pre>
101
102 }
```

6.2 prime factorization

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4
  int main() {
5
     int n;
     while(true) {
7
       cin>>n;
       for(int x=2; x<=n; x++) {</pre>
8
          while(n%x==0) {
9
            cout << x << " * ":
10
11
            n/=x;
12
          }
13
       }
14
       cout << "\b \n";
15
16
     system("pause");
17
     return 0;
18
```

6.3 快速冪

```
1 計算a^b
  #include <iostream>
  #define ll long long
  using namespace std;
  const 11 MOD = 1000000007;
  11 fp(11 a, 11 b) {
7
    int ans = 1;
9
     while(b > 0) {
10
      if(b & 1) ans = ans * a % MOD;
       a = a * a % MOD;
11
       b >>= 1;
12
    }
13
14
     return ans;
  }
15
16
17 int main() {
18
    int a, b;
    cin>>a>>b:
19
20
    cout << fp(a,b);</pre>
21 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min:取最小值。
2 min(a, b)
3 min(list)
4 max:取最大值。
5 max(a, b)
6 max(list)
7 min_element:找尋最小元素
8 min_element(first, last)
```

```
9 max_element:找尋最大元素
10 max_element(first, last)
11 sort:排序,預設由小排到大。
12 sort(first, last)
13 sort(first, last, comp):可自行定義比較運算子 Comp 。
14 find:尋找元素。
15 find(first, last, val)
16 lower_bound:尋找第一個小於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
17 lower_bound(first, last, val)
18 upper_bound: 尋找第一個大於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
19 upper_bound(first, last, val)
20 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                如果存在回傳 true,反之回傳 false
22 next_permutation(first, last)
23 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                如果存在回傳 true,反之回傳 false 。
24
25 prev_permutation(first, last)
```

7.2 binarysearch

50 0

51 */

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
  int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
       int left=0, right=nums.size()-1;
       while(left<=right){</pre>
6
           int mid=(left+right)/2;
8
           if (nums[mid]>target) right=mid-1;
           else if(nums[mid]<target) left=mid+1;</pre>
10
           else return mid+1:
      }
11
12
       return 0;
13 }
14
15 int main() {
    int n, k, x;
16
17
    cin >> n >> k;
18
    int a[n];
    vector<int> v;
19
20
    for(int i=0 ; i<n ; i++){</pre>
21
      cin >> x;
22
      v.push_back(x);
23
24
    for(int i=0 ; i<k ; i++) cin >> a[i];
25
    for(int i=0 ; i<k ; i++){</pre>
26
       cout << binary_search(v, a[i]) << endl;</pre>
27
28 }
29
                                  //最左邊 ≥ k 的位置
30 lower_bound(a, a + n, k);
31 upper_bound(a, a + n, k);
                                  //最左邊 > k 的位置
32 upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
33 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
34 (lower_bound, upper_bound)
                                  //等於 k 的範圍
35 equal_range(a, a+n, k);
36
37 /*
38 input
39 5 5
40 1 3 4 7 9
41 3 1 9 7 -2
42 */
43
44 /*
45 output
46
47 1
48 5
49 4
```

7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
2| 陣列前n項的和。
a|b[i] = a[0] + a[1] + a[2] + \cdots + a[i]
  區間和 [l, r]:b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
  #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
  int main(){
      int n:
      cin >> n;
10
11
      int a[n], b[n];
12
      for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
13
      b[0] = a[0];
14
      for(int i=1; i<n; i++) b[i] = b[i-1] + a[i];</pre>
15
      for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<< ' ';</pre>
      cout << '\n';
16
17
      int 1, r;
      cin >> 1 >> r;
18
19
      cout << b[r] - b[1-1]; //區間和
20 }
```

7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5|給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
  在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
  最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
  #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
13
14 int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16
  int main(){
      int n, 1, r, v;
17
18
      cin >> n;
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
19
20
         cin >> a[i];
21
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
      }
22
23
      cin >> 1 >> r >> v;
24
      b[1] += v;
      b[r+1] -= v;
25
26
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
28
          b[i] += b[i-1];
          cout << b[i] << ' ';
29
      }
30
31 }
```

7.5 greedy

```
1 //貪心
2 貪心演算法的核心為,
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
7 確認無誤再實作。
8 Scarecrow
10 //problem
11 有一個 N×1 的稻田,有些稻田現在有種植作物,
12 為了避免被動物破壞,需要放置稻草人,
```

8

```
13 | 稻草人可以保護該塊稻田和左右兩塊稻田,
                                                        88
                                                              }
  請問最少需要多少稻草人才能保護所有稻田?
                                                        89 }:
14
15
                                                        90
16 //solutoin
                                                        91
                                                          int main(){
                                                        92
                                                              int n, ti = 0;
17 | 從左到右掃描稻田,如果第 i 塊稻田有作物,
                                                        93
                                                              Data a[1005];
18 就把稻草人放到第 i+1 塊稻田,
                                                              while (cin >> n, n){
                                                        94
95
                                                                  for (int i = 0; i < n; ++i)
20 接著從第 i+3 塊稻田繼續掃描。
                                                                      cin >> a[i].b >> a[i].j;
                                                        96
21
                                                        97
                                                                  sort(a, a + n);
22
  //code
                                                        98
                                                                  int ans = 0, sum = 0;
23 #include <bits/stdc++.h>
                                                                  for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                        99
24 using namespace std;
                                                       100
                                                                      sum += a[i].b;
25 int main(){
                                                                      ans = max(ans, sum + a[i].j);
                                                       101
26
      string s;
                                                       102
      int i, n, t, tc = 1;
27
                                                                  cout << "Case "<<++ti<<": "<<ans<<'\n';
                                                       103
28
      cin >> t;
                                                       104
      while (t--){
29
                                                       105 }
30
          cin >> n >> s;
                                                       106
          int nc = 0;
31
                                                       107 刪數字問題
          for (i = 0; i < n; i++)
32
                                                       108
                                                          //problem
             if (s[i] == '.')i += 2, nc++;
33
                                                          給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
          cout << "Case "<<tc++<<": "<<nc<<endl;</pre>
34
                                                          請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
                                                       110
35
      }
                                                       111
36 }
                                                          //solution
37
                                                       113 | 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
38|霍夫曼樹的變形題
                                                          扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
39 //problem
40 給定 N 個數,每次將兩個數 a,b 合併成 a+b,
                                                       115
                                                       116
                                                          //code
41 只到最後只剩一個數,合併成本為兩數和,
                                                       117
                                                          int main()
42 問最小合併成本為多少。
                                                       118
                                                          {
                                                       119
                                                              string s;
44 //solution
                                                       120
                                                              int k;
45 每次將最小的兩數合併起來。
                                                       121
                                                              cin >> s >> k;
46
                                                              for (int i = 0; i < k; ++i){</pre>
                                                       122
47 //code
                                                                  if ((int)s.size() == 0) break;
                                                       123
48 #include <bits/stdc++.h>
                                                                  int pos = (int)s.size() - 1;
                                                       124
49 using namespace std;
                                                                  for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){}
                                                       125
50 int main()
                                                       126
                                                                      if (s[j] > s[j + 1]){
51 {
                                                       127
                                                                          pos = j;
52
      int n, x;
                                                       128
                                                                          break:
      while (cin >> n, n){
53
                                                       129
                                                                      }
          priority_queue<int, vector<int>, greater<int>>
54
                                                                  }
                                                       130
                                                       131
                                                                  s.erase(pos, 1);
          while (n--){
55
                                                       132
             cin >> x;
56
                                                              while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
                                                       133
57
              q.push(x);
                                                                  s.erase(0, 1);
                                                       134
58
          }
                                                              if ((int)s.size()) cout << s << '\n';</pre>
                                                       135
59
          long long ans = 0;
                                                              else cout << 0 << '\n';
                                                       136
          while (q.size() > 1){
60
                                                       137 }
             x = q.top();
61
                                                       138
62
              q.pop();
                                                       139
63
              x += q.top();
                                                       140 區間覆蓋長度
             q.pop();
64
                                                          //problem
                                                       141
65
              q.push(x);
                                                       142
                                                          給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
              ans += x;
66
                                                       143
                                                          請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度?
          }
67
                                                       144
68
          cout << ans << endl;</pre>
                                                       145
                                                          //solution
69
                                                       146 先將所有區間依照左界由小到大排序,
70 }
                                                       147 左界相同依照右界由小到大排序,
71
72 Commando War
                                                       148 用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。
73 //problem
                                                          如果目前區間左界 ≤R,代表該區間可以和前面的線段合併。
                                                       149
74 有 n 個部下,每個部下要花 Bi 分鐘交待任務,
                                                       150
75 再花 Ji 分鐘執行任務,一次只能對一位部下交代任務,
                                                       151
                                                          //code
76 但可以多人同時執行任務,問最少要花多少時間完成任務。
                                                       152
                                                          struct Line
                                                       153
77
78 //solution
                                                       154
                                                              int L. R:
                                                              bool operator<(const Line &rhs) const</pre>
79 執行時間長的人先交代任務
                                                       155
                                                       156
80
                                                                  if (L != rhs.L) return L < rhs.L;</pre>
                                                       157
81 //code
                                                       158
                                                                  return R < rhs.R;</pre>
82 #include <bits/stdc++.h>
                                                              }
                                                       159
83 using namespace std;
                                                       160 };
84
  struct Data{
                                                       161
85
      int b. i:
                                                       162
                                                          int main(){
      bool operator<(const Data &rhs) const {</pre>
86
```

163

87

return j > rhs.j;

int n;

9

```
164
       Line a[10005];
                                                         240 {
       while (cin >> n){
                                                                int L, R;
                                                         241
165
           for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
                                                                bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
166
                                                         242
              cin >> a[i].L >> a[i].R;
167
                                                         243
                                                                     return R < rhs.R;</pre>
168
           sort(a, a + n);
                                                         244
           int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
169
                                                         245
                                                            };
           for (int i = 1; i < n; i++){
170
                                                         246
171
              if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);</pre>
                                                         247
                                                            int main(){
               else{
                                                                int t;
172
                                                         248
                  ans += R - L;
                                                                cin >> t;
173
                                                         249
174
                  L = a[i].L;
                                                         250
                                                                Line a[30];
                  R = a[i].R;
                                                                while (t--){
175
                                                         251
176
              }
                                                         252
                                                                    int n = 0;
          }
                                                                    while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
177
                                                         253
178
          cout << ans + (R - L) << ' \setminus n';
                                                         254
                                                                    sort(a, a + n);
179
                                                         255
                                                         256
                                                                    int ans = 1, R = a[0].R;
180
181
                                                         257
                                                                    for (int i = 1; i < n; i++){
                                                                        if (a[i].L >= R){
182
                                                         258
   最小區間覆蓋長度
                                                         259
183
                                                                            ++ans;
                                                                            R = a[i].R;
   //problem
                                                         260
                                                         261
   給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                                    }
                                                         262
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
186
                                                         263
                                                                    cout << ans << '\n';
187
                                                                }
                                                         264
188 //solution
                                                         265
                                                            }
189 先將所有區間依照左界由小到大排序,
                                                         266
190 對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                         267
191 | 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
                                                         268 區間選點問題
192
                                                         269
                                                            //problem
193
   //problem
                                                            給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
   長度 n 的直線中有數個加熱器,
194
                                                            請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點?
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                                         272
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
196
                                                            //solution
                                                         273
197
                                                         274 將區間依照右界由小到大排序,R=第一個區間的右界,
   //solution
198
                                                         275 遍歷所有區段,如果當前區間左界>R,
199 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
                                                         276
                                                            代表必須多選一個點 (ans+=1),並將 R=當前區間右界。
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
200
                                                         277
                                                            //problem
                                                         278
202
   //code
                                                         279 給定 N 個座標,要在 x 軸找到最小的點,
203
   int main(){
                                                            讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
                                                         280
204
       int n, r;
                                                         281
       int a[1005];
205
                                                         282
                                                            //solution
       cin >> n >> r;
206
                                                         283 以每個點 (xi,yi) 為圓心半徑為 D 的圓 C,
       for (int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
207
                                                         284 求出 C 和 x 軸的交點 Li, Ri, 題目轉變成區間選點問題。
208
       int i = 1, ans = 0;
                                                         285
209
       while (i \le n){
                                                         286
                                                            //code
          int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)
210
                                                            struct Line
                                                         287
211
           int nextR=-1;
           for (int j = R; j >= L; --j){
                                                         288
212
                                                         289
                                                                int L, R;
213
               if (a[j]){
                                                         290
                                                                bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
214
                  nextR = j;
                                                         291
                                                                    return R < rhs.R;</pre>
                  break;
215
                                                         292
216
              }
                                                         293
                                                            };
          }
217
218
           if (nextR == -1){
                                                         294
                                                            int main(){
               ans = -1;
                                                         295
219
                                                         296
                                                                int t;
220
               break;
                                                                cin >> t;
                                                         297
          }
221
                                                         298
                                                                Line a[30];
222
          ++ans;
                                                                while (t--){
223
          i = nextR + r;
                                                         299
                                                         300
                                                                    int n = 0:
224
                                                                    while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
225
       cout << ans << '\n';
                                                         301
                                                         302
                                                                        ++n;
226 }
                                                         303
                                                                    sort(a, a + n);
227
                                                                    int ans = 1, R = a[0].R;
                                                         304
228
                                                         305
                                                                    for (int i = 1; i < n; i++){
229 最多不重疊區間
                                                                        if (a[i].L >= R){
                                                         306
230 //problem
                                                         307
                                                                            ++ans;
231 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                         308
                                                                            R = a[i].R;
232 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                                        }
                                                         309
233
                                                         310
                                                                    }
234 //solution
                                                         311
                                                                    cout << ans << '\n';
235 依照右界由小到大排序,
                                                                }
                                                         312
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
236
                                                         313 }
237
                                                         314
238 //code
```

315

239 struct Line

```
316 最小化最大延遲問題
                                                      391
                                                                 if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                                    int x = pq.top();
317 //problem
                                                      392
318 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                    pq.pop();
                                                      393
319 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                      394
                                                                    sumT -= x;
                                                      395
                                                                    --ans;
320 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                                }
                                                      396
321 求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                             }
                                                      397
                                                      398
                                                             cout << ans << '\n';
323 //solution
                                                      399 }
324 按照到期時間從早到晚處理。
                                                      400
                                                         任務調度問題
                                                      401
326 //code
                                                      402
                                                         //problem
327 struct Work
                                                      403 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
328 {
                                                      404 期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
329
      int t, d;
                                                         請問最少會受到多少單位懲罰。
      bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
                                                      405
330
          return d < rhs.d;</pre>
                                                      406
331
                                                      407
                                                         //solution
332
333 };
                                                      408 依照懲罰由大到小排序,
334
                                                      409 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
   int main(){
335
                                                      410 如果有空閒就放進去,否則延後執行。
336
      int n;
                                                      411
      Work a[10000];
337
                                                      412
                                                         //problem
338
      cin >> n;
                                                      413 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
      for (int i = 0; i < n; ++i)
339
                                                      414 期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
          cin >> a[i].t >> a[i].d;
340
                                                             單位獎勵,
      sort(a, a + n);
341
                                                      415
                                                         請問最多會獲得多少單位獎勵。
      int maxL = 0, sumT = 0;
342
                                                      416
343
      for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                      417
                                                         //solution
344
          sumT += a[i].t;
                                                      418 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
345
          maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
                                                      419
      }
346
                                                      420
                                                         //code
      cout << maxL << ' \setminus n';
347
                                                      421
                                                         struct Work
348 }
                                                      422
                                                         {
349
                                                      423
                                                             int d, p;
350
                                                      424
                                                             bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
351 最少延遲數量問題
                                                                return p > rhs.p;
                                                      425
352 //problem
                                                      426
353 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                      427 };
354 期限是 Di, 求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                      428
355
                                                         int main(){
                                                      429
356 //solution
                                                      430
                                                             int n;
357 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序
                                                             Work a[100005];
358 依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                             bitset < 100005 > ok;
                                                      432
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
359
                                                             while (cin >> n){
                                                      433
                                                                ok.reset();
                                                      434
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
361
                                                      435
                                                                 for (int i = 0; i < n; ++i)
362
                                                      436
                                                                    cin >> a[i].d >> a[i].p;
363 //problem
                                                                 sort(a, a + n);
                                                      437
364 | 給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                      438
                                                                int ans = 0;
                                                                 for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                      439
365
                                                                    int j = a[i].d;
366 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                      440
                                                                    while (j--)
                                                      441
367
                                                      442
                                                                        if (!ok[j]){
368 工作處裡時長→ 烏龜重量
                                                      443
                                                                            ans += a[i].p;
   工作期限 → 烏龜可承受重量
369
                                                                            ok[j] = true;
                                                      444
370 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                      445
371
                                                                        }
                                                      446
  //code
372
                                                      447
                                                                }
373
   struct Work{
                                                                 cout << ans << ' \setminus n';
                                                      448
374
      int t. d:
                                                             }
                                                      449
      bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
375
                                                      450 }
376
          return d < rhs.d;</pre>
                                                      451
377
                                                      452 多機調度問題
378 };
                                                      453 //problem
379
                                                      454 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
380
   int main(){
                                                      455 | 有 M 台機器可執行多項工作,但不能將工作拆分,
381
      int n = 0;
                                                         最快可以在什麼時候完成所有工作?
      Work a[10000]:
382
      priority_queue<int> pq;
                                                      457
383
      while(cin >> a[n].t >> a[n].d)
                                                      458
                                                         //solution
384
                                                      459 將工作由大到小排序,每項工作交給最快空閒的機器。
385
          ++n;
386
      sort(a, a + n);
                                                      460
      int sumT = 0, ans = n;
387
                                                      461
                                                         //code
      for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                         int main(){
388
                                                      462
389
          pg.push(a[i].t):
                                                      463
                                                             int n, m;
390
          sumT += a[i].t;
                                                      464
                                                             int a[10000];
```

```
465
        cin >> n >> m;
        for (int i = 0; i < n; ++i)
466
            cin >> a[i];
467
468
        sort(a, a + n,greater<int>());
469
        int ans = 0;
470
        priority_queue<int, vector<int>, greater<int>>pq;
471
        for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){</pre>
472
             ans = max(ans, a[i]);
            pq.push(a[i]);
473
474
475
        for (int i = m; i < n; ++i){</pre>
            int x = pq.top();
476
477
            pq.pop();
478
            x += a[i];
479
             ans = max(ans, x);
            pq.push(x);
480
481
        }
482
        cout << ans << '\n';
483 }
```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```
1 // 最長共同子序列 (LCS)
2| 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
3
  C 同時為 A,B 的子序列。
5 //最長遞增子序列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
8
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A.B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
    3. 對 B 做 LIS
16
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
18
      越早出現的數字要越小
19
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
      直接忽略這個數字不做轉換即可
20
```

9 graph

9.1 graph

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 class Node {
  public:
5
6
       int val;
7
       vector < Node *> children;
8
9
       Node() {}
10
11
       Node(int _val) {
           val = _val;
12
13
14
       Node(int _val, vector<Node*> _children) {
15
16
           val = _val;
17
           children = _children;
18
19 };
20
```

```
21 struct ListNode {
       int val;
22
23
       ListNode *next;
       ListNode(): val(0), next(nullptr) {}
24
       ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
25
       ListNode(int x, ListNode *next) : val(x),
26
           next(next) {}
27
  };
28
  struct TreeNode {
29
30
       int val;
31
       TreeNode *left;
32
       TreeNode *right;
       TreeNode() : val(0), left(nullptr),
33
           right(nullptr) {}
       TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr),
34
           right(nullptr) {}
35
       TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right)
           : val(x), left(left), right(right) {}
36 };
37
38
  class ListProblem {
39
       vector<int> nums={};
40
  public:
41
       void solve() {
42
           return:
       }
43
44
45
       ListNode* buildList(int idx) {
46
           if(idx == nums.size()) return NULL;
           ListNode *current=new
47
                ListNode(nums[idx++], current->next);
48
           return current;
49
50
51
       void deleteList(ListNode* root) {
52
           if(root == NULL) return;
           deleteList(root->next);
53
           delete root;
54
55
           return:
56
       }
57
  };
58
  class TreeProblem {
59
      int null = INT_MIN;
60
61
       vector<int> nums = {}, result;
62
  public:
       void solve() {
63
64
65
           return;
66
67
68
       TreeNode* buildBinaryTreeUsingDFS(int left, int
           right) {
           if((left > right) || (nums[(left+right)/2] ==
69
                null)) return NULL;
           int mid = (left+right)/2;
70
71
           TreeNode* current = new TreeNode(
72
                nums[mid],
                buildBinaryTreeUsingDFS(left,mid-1),
73
74
               buildBinaryTreeUsingDFS(mid+1, right));
75
           return current;
76
77
78
       TreeNode* buildBinaryTreeUsingBFS() {
79
           int idx = 0;
           TreeNode* root = new TreeNode(nums[idx++]);
80
81
           queue < TreeNode *> q;
82
           q.push(root);
83
           while(idx < nums.size()) {</pre>
84
               if(nums[idx] != null) {
85
                   TreeNode* left = new
                        TreeNode(nums[idx]);
                    q.front()->left = left;
86
87
                    q.push(left);
88
               }
               idx++;
89
```

```
11
90
                 if((idx < nums.size()) && (nums[idx] !=</pre>
                                                                              space
                      null)) {
91
                      TreeNode* right = new
                                                                       11.1
                           TreeNode(nums[idx]);
                                                                                S
92
                      q.front()->right = right;
93
                      q.push(right);
                                                                       /*
                 }
94
                                                                     2
                                                                       1
95
                 idx++;
                                                                     3
                                                                       2
                 q.pop();
96
                                                                     4
                                                                       3
97
            }
                                                                     5
98
             return root;
                                                                       5
                                                                     6
        }
99
                                                                       6
100
                                                                       7
        Node* buildNAryTree() {
101
                                                                     9
                                                                       8
102
             int idx = 2;
                                                                    10
            Node *root = new Node(nums.front());
103
                                                                       10
                                                                    11
            queue < Node *> q;
104
                                                                    12
                                                                       11
105
             q.push(root);
                                                                    13
                                                                       12
            while(idx < nums.size()) {</pre>
106
                                                                       13
                                                                    14
107
                 while((idx < nums.size()) && (nums[idx]</pre>
                                                                    15
                                                                       14
                      != null)) {
                                                                    16
                                                                       15
108
                      Node *current = new Node(nums[idx++]);
                                                                    17
                      q.front()->children.push_back(current);
109
                                                                    18
                                                                       17
                      q.push(current);
110
                                                                       18
                                                                    19
111
                 }
                                                                    20
                                                                       19
112
                 idx++:
                                                                       20
                                                                    21
                 q.pop();
113
                                                                       21
            }
114
                                                                       22
                                                                    23
115
            return root;
                                                                       23
                                                                    24
116
                                                                    25
                                                                       24
117
                                                                       25
                                                                    26
118
        void deleteBinaryTree(TreeNode* root) {
                                                                    27
                                                                       26
            if(root->left != NULL)
119
                                                                       27
                                                                    28
                 deleteBinaryTree(root->left);
                                                                    29
120
             if(root->right != NULL)
                                                                    30
                                                                       29
                 deleteBinaryTree(root->right);
                                                                    31
                                                                       30
121
             delete root;
                                                                    32
                                                                       31
             return;
122
                                                                       32
                                                                    33
123
                                                                    34
                                                                       33
124
                                                                    35
                                                                       34
        void deleteNAryTree(Node* root) {
125
                                                                    36
                                                                       35
126
             if(root == NULL) return;
                                                                    37
                                                                       36
             for(int i=0; i<root->children.size(); i++) {
127
                                                                       37
                                                                    38
128
                 deleteNAryTree(root->children[i]);
                                                                    39
                                                                       38
129
                 delete root->children[i];
                                                                       39
                                                                    40
130
                                                                       40
                                                                    41
131
             delete root;
                                                                    42 */
132
            return;
133
134
135
        void inorderTraversal(TreeNode* root) {
             if(root == NULL) return;
136
137
             inorderTraversal(root->left);
138
             cout << root -> val << ' ';
            inorderTraversal(root->right);
139
140
             return;
141
        }
142
   };
143
   int main() {
144
145
146
        return 0;
147 }
```

10 Section2

10.1 thm

· 中文測試

•
$$\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$