Contents

	字串	1																	
	1.1	最長迴文子字串		 	 		 		 	 	 	 		 	 		 		
	1.2	KMP		 	 		 		 	 	 	 		 	 		 		
2	mat	h																	:
	2.1	SG		 	 		 		 	 	 	 		 	 		 		 :
	2.2	質數與因數		 	 		 		 	 	 	 		 	 		 		 :
	2.3	歐拉函數			 					 	 			 			 		
		大步小步		 					 		 			 	 	 -	 		
		,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,		 	 		 	•	 	 	 		•	 	 	 •	 		
3	algo	orithm																	!
	3.1	三分搜		 	 		 		 	 	 	 		 	 		 		
	3.2	差分		 	 		 		 	 	 	 		 	 		 	 _	
	3.3	greedy																	
		dinic																	
		SCC Tarian																	
		ArticulationPoints																	
		最小樹狀圖																	
		JosephusProblem .		 	 		 	-	 	 	 	 	-	 	 	 -	 	 	 -
		KM																	
		OLCA 倍增法																	
		1 MCMF																	
	3.17	2 Dancing Links		 	 		 	•	 	 	 	 	•	 	 	 •	 	 	 13
4	Da+	aStructure																	19
-		astructure 線段樹 1D																	
		線段樹 2D																	
	4.3	權值線段樹		 	 		 		 	 				 	 		 		
	4.3 4.4	權值線段樹 Trie		 	 		 		 	 · ·	 	 		 	 		 	 	 2
	4.3 4.4	權值線段樹		 	 		 		 	 · ·	 	 		 	 		 	 	 2
5	4.3 4.4 4.5	權值線段樹 Trie 單調隊列		 	 		 		 	 · ·	 	 		 	 		 	 	 2:
5	4.3 4.4 4.5 geor	權值線段樹 Trie 單調隊列 metry		 	 		 	•	 	 	 	 		 	 		 	 	 2: 2: 2:
5	4.3 4.4 4.5 geor 5.1	權值線段樹 Trie 單調隊列 metry intersection		 	 	· ·	 		 	 	 	 		 	 	 	 	 	 2: 2: 2: 2:
5	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2	權值線段樹 Trie 單調隊列 metry intersection 半平面相交		 	 				 	 	 			 	 	 	 	 	 2: 2: 2: 2: 2:
5	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2	權值線段樹 Trie 單調隊列 metry intersection		 	 				 	 	 			 	 	 	 	 	 2: 2: 2: 2: 2:
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3	權值線段樹 Trie 單調隊列 metry intersection 半平面相交		 	 				 	 	 			 	 	 	 	 	 2: 2: 2: 2: 2: 2:
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3	權值線段樹 Trie 單調隊列 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		 	 				 	 	 			 	 	 	 	 	 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2:
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3 DP 6.1	權值線段樹		 	 				 	 	 			 	 		 	 	 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2:
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3 DP 6.1 6.2	權值線段樹		 	 				 		 			 	 		 	 	2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2:
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3 DP 6.1 6.2 6.3	權值線段樹		 	 						 			 	 		 		2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3 DP 6.1 6.2 6.3 6.4	權值線段樹		 										 	 		 		2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5	權值線段樹		 										 	 				2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2
	4.3 4.4 4.5 geor 5.1 5.2 5.3 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6	權值線段樹 Trie 單調隊列 intersection 半平面相交 凸包 抽屜 Deque 最大差距 LCS 和 LIS RangeDP stringDP TreeDP 有幾個 path	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 										 					2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2: 2
	4.3 4.4 4.5 geoi 5.1 5.2 5.3 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6	權值線段樹	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·																22 22 24 24 25 26 26 26 26 27 26 27 28 29 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20


```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
3 using namespace std;
5 string s;
6 int n;
8 int ex(int 1,int r){
9
    int i = 0;
10
     while(1-i>=0&&r+i<n&&T(1-i)==T(r+i)) i++;</pre>
    return i;
11
12 }
13
14 int main(){
    cin>>s;
15
    n=2*s.size()+1;
16
17
    int mx = 0;
    int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
    int ans=1;
20
     r[0]=1;
21
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i;
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
         center=i;
33
         mx=i+r[i]-1;
34
```

```
35     else r[i]=min(r[ii],len);
36     ans=max(ans,r[i]);
37     }
38     cout<<ans-1<<"\n";
39     return 0;
40 }</pre>
```

1.2 KMP

```
1 #define maxn 1000005
2 int nextArr[maxn];
  void getNextArr(const string& str) {
      nextArr[0] = 0;
5
      int prefixLen = 0;
      for (int i = 1; i < str.size(); ++i) {</pre>
6
7
          prefixLen = nextArr[i - 1];
8
          //如果不一樣就在之前算過的prefix中搜有沒有更短的前後綴
9
          while (prefixLen > 0 && str[prefixLen] != str[i])
10
              prefixLen = nextArr[prefixLen - 1];
11
          // 一樣就繼承之前的前後綴長度+1
12
          if (str[prefixLen] == str[i])
13
              ++prefixLen;
          nextArr[i] = prefixLen;
14
15
      for (int i = 0; i < str.size() - 1; ++i) {</pre>
16
17
          vis[nextArr[i]] = true;
18
19 }
```

2 math

2.1 SG

```
· SG(x) = mex\{SG(y)|x \rightarrow y\}
· mex(S) = \min\{n|n \in \mathbb{N}, n \notin S\}
```

2.2 質數與因數

```
1 歐拉篩O(n)
2 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
3 bool isPrime[MAXN];
4 int prime[MAXN];
  int primeSize=0;
6
  void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
8
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
9
            if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
10
            for(int j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
11
                isPrime[i*prime[j]]=false;
12
13
                if(i%prime[j]==0) break;
           }
14
15
       }
16 }
17
18 最大公因數 O(log(min(a,b)))
  int GCD(int a, int b){
19
20
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
21
22 }
23
24
   質 因 數 分 解
25
   void primeFactorization(int n){
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
26
27
            if(p[i]*p[i]>n) break;
28
           if(n%p[i]) continue;
29
           cout << p[i] << ' ';
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
30
31
32
       if(n!=1) cout<<n<<' ';</pre>
       cout << '\n';
33
34 }
35
36 擴展歐幾里得算法
```

```
37 //ax+by=GCD(a,b)
38
39
   int ext_euc(int a,int b,int &x,int &y){
       if(b==0){
40
41
           x=1, y=0;
42
           return a;
43
       }
44
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
45
       y-=a/b*x;
46
       return d;
47 }
48
49 int main(){
       int a,b,x,y;
50
51
       cin>>a>>b;
       ext_euc(a,b,x,y);
52
53
       cout << x << ' '<< y << end1;
54
       return 0;
55 }
56
57
58
59
   歌德巴赫猜想
60 solution : 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
61
   #define N 20000000
62 int ox[N],p[N],pr;
   void PrimeTable(){
63
64
       ox[0]=ox[1]=1;
65
       pr=0;
66
       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
           if(!ox[i]) p[pr++]=i;
67
68
           for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
69
               ox[i*p[j]]=1;
70
71 }
72
73
  int main(){
       PrimeTable();
74
75
       int n;
       while(cin>>n,n){
76
77
           int x;
78
           for(x=1;;x+=2)
                if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
79
80
           printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
       }
81
82 }
83
   problem : 給定整數 N,
            求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
84
85
   如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
86
87
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
88 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
89
90
   bool isPrime(int n){
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
91
92
            if(i*i>n) return true;
93
           if(n%i==0) return false;
94
       }
95
       return true;
96 }
97
98 int main(){
99
       int n;
100
       cin>>n;
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
101
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
102
103
       else cout << "3\n";</pre>
104 }
```

2.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中有幾個正整數與 n 互質
2 int phi(){
    int ans=n;
    for(int i=2;i*i<=n;i++)
```

2.4 大步小步

```
題意
2 給定 B,N,P, 求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
   題 解
3
  餘數的循環節長度必定為 P 的因數, 因此 B^0 B^P, B^1 B^(P+1), ...,
5 也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1 能得到結果,但會超時。
6 將 L 拆成 mx+y, 只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
7 設 m=√P 能 保 證 最 多 枚 舉 2√P 次 。
8 B^(mx+y) N(mod P)
9 B^(mx)B^y N(mod P)
10 B^y N(B^(-m))^x (mod P)
12 再 枚 舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2, ··· 查 看 是 否 有 對 應 的 B^y。
13 這種算法稱為大步小步演算法,
14
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
15 小 步 指 的 是 枚 舉 y ( 一 次 跨 1 步 )。
    複雜度分析
16
  利用 map/unorder_map 存放 B^0,B^1,B^2,…,B^(m-1),
17
18 枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
19
  存放和查詢最多 2√P 次, 時間複雜度為 O(√Plog√P)/O(√P)。
20
21 using LL = long long;
22 LL B, N, P;
23 LL fpow(LL a, LL b, LL c){
24
      LL res=1;
      for(;b;b >>=1){
25
26
          if(b&1)
27
              res=(res*a)%c;
28
          a=(a*a)%c;
29
      }
      return res;
30
31 }
32 LL BSGS(LL a, LL b, LL p){
      a%=p,b%=p;
33
      if(a==0)
34
35
          return b==0?1:-1;
36
      if(b==1)
37
          return 0;
38
      map<LL, LL> tb;
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
39
40
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
41
      tb[1]=sq;
42
      for(LL i=1, tmp=1; i < sq; ++i){</pre>
43
          tmp=(tmp*a)%p;
44
          if(!tb.count(tmp))
45
              tb[tmp]=i;
46
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
47
48
          if(tb.count(b)){
              LL res=tb[b];
49
50
              return i*sq+(res==sq?0:res);
51
52
          b=(b*inv)%p;
      }
53
      return -1;
54
55 }
56 int main(){
57
      IOS; //輸入優化
      while(cin>>P>>B>>N){
58
          LL ans=BSGS(B,N,P);
59
60
          if(ans==-1)
              cout << "no solution\n";</pre>
61
62
63
              cout <<ans << '\n';
64
      }
65 }
```

3 algorithm ** HEAD **** ** CC

«««< HEAD ====== »»»> cc6ba60f318928240554b362b91a42dc337ff3d4

3.1 三分搜

```
題意
  給 定 兩 射 線 方 向 和 速 度 , 問 兩 射 線 最 近 距 離 。
2
     題 解
  假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離, F(t) 為二次函數,
  可用三分搜找二次函數最小值。
  struct Point{
7
       double x, y, z;
8
       Point() {}
       Point(double _x, double _y, double _z):
9
           x(_x),y(_y),z(_z){}
10
       friend istream& operator>>(istream& is, Point& p) {
11
12
           is >> p.x >> p.y >> p.z;
13
           return is;
14
15
       Point operator+(const Point &rhs) const{
           return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
16
17
18
       Point operator - (const Point &rhs) const{
19
           return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
20
       Point operator*(const double &d) const{
21
22
           return Point(x*d,y*d,z*d);
23
24
       Point operator/(const double &d) const{
25
           return Point(x/d,y/d,z/d);
26
       }
27
       double dist(const Point &rhs) const{
28
           double res = 0;
29
           res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
30
           res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
           res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
31
32
           return res;
      }
33
34 };
35 int main(){
                // 輸入優化
36
       IOS;
37
       int T;
       cin>>T;
38
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
39
40
           double time;
41
           Point x1, y1, d1, x2, y2, d2;
42
           cin >> time >> x1 >> y1 >> x2 >> y2;
43
           d1=(y1-x1)/time;
44
           d2=(y2-x2)/time;
45
           double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
46
           double ans = x1.dist(x2);
47
           while(abs(L-R)>1e-10){
               m1 = (L+R)/2;
48
49
               m2=(m1+R)/2;
               f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
50
               f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
51
52
               ans = min(ans, min(f1, f2));
               if(f1<f2) R=m2;
53
54
               else L=m1;
55
           }
56
           cout << "Case "<<ti << ": ";
           cout<<fixed<<setprecision(4)<<sqrt(ans)<<'\n';</pre>
57
58
59 }
```

3.2 差分

```
      1
      用途: 在區間 [1, r] 加上一個數字v。

      2
      b[1] += v; (b[0~1] 加上v)

      3
      b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))

      4
      給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],

      5
      因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],

      6
      所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。

      7
      在 b[1] 加上 v, b[r+1] 減去 v,
```

```
8 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
  這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
10 int a[1000], b[1000];
11 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
12 int main(){
13
      int n, 1, r, v;
      cin >> n;
14
15
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
          cin >> a[i];
16
17
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
18
      cin >> 1 >> r >> v;
19
20
      b[1] += v;
      b[r+1] -= v;
21
22
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
          b[i] += b[i-1];
23
          cout << b[i] << ' ';
24
25
26 }
```

3.3 greedy

```
1 食心演算法的核心為,
  採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
  含心演算法雖然能獲得當前最佳解,
  但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
  提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
  確認無誤再實作。
8
  刪數字問題
  //problem
10 給 定 一 個 數 字 N(≤10^100), 需 要 刪 除 K 個 數 字,
11 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
12 //solution
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
13
  扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
14
15
 //code
16 int main(){
17
     string s;
     int k;
18
19
     cin>>s>>k;
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
20
21
        if((int)s.size()==0) break;
22
        int pos =(int)s.size()-1;
        for(int j=0; j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
23
24
            if(s[j]>s[j+1]){
               pos=j;
25
26
               break;
            }
27
28
        }
        s.erase(pos,1);
29
30
31
     while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
32
        s.erase(0,1);
33
     if((int)s.size()) cout << s << '\n';
     else cout << 0 << '\n';
34
35 }
36 最小區間覆蓋長度
37 //problem
  給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
39 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
41
  先將所有區間依照左界由小到大排序,
42
  對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
43
  找 到 有 著 最 大 的 右 界 的 區 間 , 連 接 當 前 區 間 。
44
  //problem
46 長度 n 的直線中有數個加熱器,
47
  在 x 的 加 熱 器 可 以 譲 [x-r,x+r] 內 的 物 品 加 熱,
  問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
48
49 //solution
50 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
51 更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
52
 //code
53 int main(){
     int n, r;
```

```
55
       int a[1005];
       cin>>n>>r;
56
57
       for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
       int i=1,ans=0;
58
59
       while(i<=n){</pre>
           int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
60
           int nextR=-1;
61
62
           for(int j=R;j>=L;--j){
                if(a[j]){
63
                    nextR=j;
64
65
                    break;
               }
66
67
           if(nextR==-1){
68
69
                ans=-1;
70
                break;
71
           }
72
           ++ans;
73
           i=nextR+r;
74
75
       cout << ans << '\n';</pre>
76 }
77 最多不重疊區間
78 //problem
79
   給你n條線段區間為[Li,Ri],
80 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
   //solution
82 依照右界由小到大排序,
83
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
84
   //code
85 struct Line{
86
87
       bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
88
            return R<rhs.R;</pre>
89
90 };
91 int main(){
       int t;
92
93
       cin>>t;
       Line a[30];
94
       while(t--){
95
96
           int n=0;
           while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
97
98
                ++n;
99
            sort(a,a+n);
            int ans=1,R=a[0].R;
100
101
            for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                if(a[i].L>=R){
102
103
                    ++ans;
                    R=a[i].R;
104
105
               }
           }
106
           cout << ans << '\n';</pre>
107
108
109 }
110 最小化最大延遲問題
111 //problem
   給定 N 項工作, 每項工作的需要處理時長為 Ti,
112
   期 限 是 Di , 第 i 項 工 作 延 遲 的 時 間 為 Li=max(0,Fi-Di),
113
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
114
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
116 //solution
117
   按照到期時間從早到晚處理。
118 //code
   struct Work{
119
120
       int t, d;
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
121
122
           return d<rhs.d;</pre>
123
124 };
125 int main(){
126
       int n;
127
       Work a[10000];
128
       cin>>n;
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
129
130
           cin>>a[i].t>>a[i].d;
131
       sort(a,a+n);
```

```
132
      int maxL=0, sumT=0;
      for(int i=0;i<n;++i){</pre>
133
134
          sumT+=a[i].t;
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
135
136
137
      cout << maxL << '\n';</pre>
138 }
139 最少延遲數量問題
  //problem
140
   給 定 N 個 工 作 , 每 個 工 作 的 需 要 處 理 時 長 為 Ti ,
141
142
   期限是 Di, 求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
   //solution
143
144
  期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序,
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
145
146
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
   上 述 方 法 為 Moore-Hodgson s Algorithm。
147
148
149 //problem
   給 定 烏 龜 的 重 量 和 可 承 受 重 量 , 問 最 多 可 以 疊 幾 隻 烏 龜?
150
151
   //solution
  和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
152
   工作處裡時長→烏龜重量
154
  工作期限 → 烏龜可承受重量
  多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
155
156
   //code
157 struct Work{
158
      int t, d;
      bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
159
160
          return d<rhs.d;</pre>
161
          }
162 };
163 int main(){
164
      int n=0;
165
      Work a[10000];
      priority_queue<int> pq;
166
167
      while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
168
          ++n;
      sort(a,a+n);
169
170
      int sumT=0,ans=n;
171
      for(int i=0;i<n;++i){</pre>
          pq.push(a[i].t);
172
173
          sumT+=a[i].t;
          if(a[i].d<sumT){</pre>
174
175
              int x=pq.top();
176
              pq.pop();
              sumT -= x;
177
178
              --ans;
179
          }
      }
180
      cout << ans << '\n';
181
182 }
183
184 任務調度問題
185
   //problem
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
186
   期限是Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
187
   請問最少會受到多少單位懲罰。
188
189
   //solution
190
   依照懲罰由大到小排序,
   每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
191
192
   如果有空閒就放進去,否則延後執行。
193
194 //problem
195 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   期限是Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai 單位獎勵,
196
197
   請問最多會獲得多少單位獎勵。
198
  //solution
199
   和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
200
  //code
  struct Work{
201
202
      int d,p;
203
      bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
204
          return p>rhs.p;
205
          }
206 };
207 int main(){
208
      int n;
```

```
209
         Work a[100005];
         bitset<100005> ok;
210
211
         while(cin>>n){
             ok.reset();
212
              for(int i=0;i<n;++i)</pre>
213
214
                  cin>>a[i].d>>a[i].p;
215
              sort(a,a+n);
216
              int ans=0;
217
              for(int i=0;i<n;++i){</pre>
218
                   int j=a[i].d;
219
                   while(j--)
                       if(!ok[j]){
220
221
                            ans+=a[i].p;
                            ok[j]=true;
222
223
                            break;
                       }
224
225
             }
             cout << ans << '\n';</pre>
226
227
228 }
```

3.4 dinic

```
1 const int maxn = 1e5 + 10;
2 const int inf = 0x3f3f3f3f;
3
  struct Edge {
4
       int s, t, cap, flow;
5 };
6 int n, m, S, T;
7 int level[maxn], dfs_idx[maxn];
8 vector < Edge > E;
9 vector<vector<int>> G;
10 void init() {
11
       S = 0;
12
       T = n + m;
13
       E.clear();
14
       G.assign(maxn, vector<int>());
15 }
void addEdge(int s, int t, int cap) {
       E.push_back({s, t, cap, 0});
E.push_back({t, s, 0, 0});
17
18
       G[s].push_back(E.size()-2);
19
20
       G[t].push_back(E.size()-1);
21 }
  bool bfs() {
22
       queue<int> q({S});
23
       memset(level, -1, sizeof(level));
24
25
       level[S] = 0;
       while(!q.empty()) {
26
27
           int cur = q.front();
28
            q.pop();
            for(int i : G[cur]) {
29
30
                Edge e = E[i];
                if(level[e.t]==-1 && e.cap>e.flow) {
31
32
                    level[e.t] = level[e.s] + 1;
33
                    q.push(e.t);
34
                }
           }
35
       }
36
37
       return ~level[T];
38 }
39
  int dfs(int cur, int lim) {
40
       if(cur==T || lim==0) return lim;
41
       int result = 0;
42
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size() && lim; i++) {</pre>
           Edge& e = E[G[cur][i]];
43
44
            if(level[e.s]+1 != level[e.t]) continue;
45
            int flow = dfs(e.t, min(lim, e.cap-e.flow));
46
           if(flow <= 0) continue;</pre>
           e.flow += flow;
47
           result += flow;
48
49
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
50
           lim -= flow;
51
52
       return result;
53 }
```

3.5 SCC Tarjan

```
1 \mid // 單 純 考 SCC , 每 個 SCC 中 找 成 本 最 小 的 蓋 , 如 果 有 多 個 一 樣 小 的 要 數 出 來 , 因 為 題 目 要 方 法 數
2 //注意以下程式有縮點,但沒存起來,存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
3 #define maxn 100005
4 #define MOD 1000000007
5 long long cost[maxn];
6 vector<vector<int>> G;
7 int SCC = 0;
8 stack<int> sk;
9 int dfn[maxn];
10 int low[maxn];
11 bool inStack[maxn];
12 int dfsTime = 1;
13 long long totalCost = 0;
14 long long ways = 1;
15
  void dfs(int u) {
      dfn[u] = low[u] = dfsTime;
16
17
       ++dfsTime;
18
       sk.push(u);
       inStack[u] = true;
19
20
       for (int v: G[u]) {
           if (dfn[v] == 0) {
21
22
               dfs(v);
               low[u] = min(low[u], low[v]);
23
24
           }
25
           else if (inStack[v]) {
               //屬於同個 SCC 且是我的 back edge
26
27
               low[u] = min(low[u], dfn[v]);
           }
28
29
      }
30
       //如果是SCC
      if (dfn[u] == low[u]) {
31
32
           long long minCost = 0x3f3f3f3f;
33
           int currWays = 0;
34
           ++SCC;
35
           while (1) {
               int v = sk.top();
36
37
               inStack[v] = 0;
               sk.pop();
38
39
               if (minCost > cost[v]) {
                   minCost = cost[v];
40
                   currWays = 1;
41
42
               }
               else if (minCost == cost[v]) {
43
44
                   ++currWays;
45
               if (v == u)
46
47
                   break;
48
49
           totalCost += minCost;
           ways = (ways * currWays) % MOD;
50
51
      }
52 }
53 int main() {
54
       int n;
       scanf("%d", &n);
55
56
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
           scanf("%11d", &cost[i]);
57
58
      G.assign(n + 5, vector<int>());
       int m;
59
       scanf("%d", &m);
60
61
       int u, v;
62
       for (int i = 0; i < m; ++i) {
           scanf("%d %d", &u, &v);
63
           G[u].emplace_back(v);
64
65
```

3.6 ArticulationPoints Tarjan

```
1 | vector < vector < int >> G;
2 int N, timer;
3 bool visited[105];
4 int dfn[105]; // 第一次 visit 的 時間
5 int low[105];
6 // 最 小 能 回 到 的 父 節 點 (不 能 是 自 己 的 parent) 的 visTime
7 int res;
8 // 求 割 點 數 量
9
  void tarjan(int u, int parent) {
       int child = 0;
10
11
       bool isCut = false;
12
       visited[u] = true;
       dfn[u] = low[u] = ++timer;
13
14
       for (int v: G[u]) {
           if (!visited[v]) {
15
16
                ++child;
17
                tarjan(v, u);
18
                low[u] = min(low[u], low[v]);
19
                if (parent != -1 && low[v] >= dfn[u])
                    isCut = true;
20
21
           else if (v != parent)
22
23
                low[u] = min(low[u], dfn[v]);
24
25
       //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
26
       if (parent == -1 && child >= 2)
           isCut = true;
27
28
       if (isCut) ++res;
29 }
  int main() {
30
31
       char input[105];
       char* token;
32
       while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
    G.assign(105, vector<int>());
33
34
35
           memset(visited, false, sizeof(visited));
36
           memset(low, 0, sizeof(low));
           memset(dfn, 0, sizeof(visited));
37
38
           timer = 0;
           res = 0;
39
           getchar(); // for \n
40
41
            while (fgets(input, 105, stdin)) {
                if (input[0] == '0')
42
43
                    break;
                int size = strlen(input);
44
                input[size - 1] = ' \setminus 0';
45
46
                --size;
                token = strtok(input, " ");
47
48
                int u = atoi(token);
                int v;
49
50
                while (token = strtok(NULL, " ")) {
                    v = atoi(token);
51
52
                    G[u].emplace_back(v);
53
                    G[v].emplace_back(u);
                }
54
55
           }
           tarjan(1, -1);
56
57
           printf("%d\n", res);
       }
58
59
       return 0;
60 }
```

3.7 最小樹狀圖

```
1 const int maxn = 60 + 10;
2 const int inf = 0x3f3f3f3f;
3 struct Edge {
      int s, t, cap, cost;
5 }; // cap 為頻寬 (optional)
6 int n, m, c;
7 int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn], vis[maxn];
8 // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
9 // 找環,如果沒有則 return;
10 // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
      int result = 0, root = 0, N = n;
12
13
      while(true) {
          memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
14
15
           // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
          // optional: low 為最小 cap 限制
16
17
          for(const Edge& e : edges) {
18
              if(e.cap < low) continue;</pre>
19
               if(e.s!=e.t && e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
20
                  inEdge[e.t] = e.cost;
21
                  pre[e.t] = e.s;
22
23
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
24
25
              if(i!=root && inEdge[i]==inf)
                  return -1; //除了root 還有點沒有in edge
26
27
28
          int seq = inEdge[root] = 0;
          memset(idx, -1, sizeof(idx));
memset(vis, -1, sizeof(vis));
29
30
           // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
31
32
           for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
33
              result += inEdge[i];
34
               int cur = i;
               while(vis[cur]!=i && idx[cur]==-1) {
35
                  if(cur == root) break;
36
37
                  vis[cur] = i;
                  cur = pre[cur];
38
39
40
              if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
41
                  for(int j=pre[cur]; j!=cur; j=pre[j])
42
                       idx[j] = seq;
43
                   idx[cur] = seq++;
              }
44
45
46
          if(seq == 0) return result; // 沒有 cycle
47
          for(int i=0; i<N; i++)</pre>
               // 沒有被縮點的點
48
49
              if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
           // 縮點並重新編號
50
51
           for(Edge& e : edges) {
52
              if(idx[e.s] != idx[e.t])
53
                  e.cost -= inEdge[e.t];
54
              e.s = idx[e.s];
              e.t = idx[e.t];
55
          }
56
57
          N = seq;
58
          root = idx[root];
59
60 }
62 0(m+nlog n)時間內解決最小樹形圖問題的演算法。
63 typedef long long 11;
64 #define maxn 102
65 #define INF 0x3f3f3f3f3f
66 struct UnionFind {
    int fa[maxn << 1];</pre>
67
    UnionFind() { memset(fa, 0, sizeof(fa)); }
68
69
    void clear(int n) {
      memset(fa + 1, 0, sizeof(int) * n);
70
71
72
    int find(int x) {
73
      return fa[x] ? fa[x] = find(fa[x]) : x;
74
75
    int operator[](int x) { return find(x); }
76 }:
77 struct Edge {
```

```
78
    int u, v, w, w0;
79 };
80 struct Heap {
     Edge *e;
81
82
     int rk, constant;
83
     Heap *lch, *rch;
     Heap(Edge *_e):
84
85
       e(_e), rk(1), constant(0), lch(NULL), rch(NULL){}
     void push() {
86
87
        if (lch) lch->constant += constant;
88
       if (rch) rch->constant += constant;
       e->w += constant;
89
90
        constant = 0;
     }
91
92
   };
   Heap *merge(Heap *x, Heap *y) {
93
     if (!x) return y;
94
95
     if (!y) return x;
     if(x\rightarrow e\rightarrow w + x\rightarrow constant > y\rightarrow e\rightarrow w + y\rightarrow constant)
96
97
        swap(x, y);
98
     x - push();
99
     x - rch = merge(x - rch, y);
     if (!x->lch || x->lch->rk < x->rch->rk)
100
101
       swap(x->lch, x->rch);
102
     if (x->rch)
103
       x->rk = x->rch->rk + 1;
104
      else
105
       x \rightarrow rk = 1;
106
     return x;
107 }
108 Edge *extract(Heap *&x) {
109
     Edge *r = x->e;
110
     x->push();
111
     x = merge(x->lch, x->rch);
112
     return r;
113 }
114 vector < Edge > in [maxn];
int n, m, fa[maxn << 1], nxt[maxn << 1];</pre>
116 Edge *ed[maxn << 1];
117 | Heap *Q[maxn << 1];
118 UnionFind id;
119 void contract() {
     bool mark[maxn << 1];</pre>
120
121
      //將圖上的每一個節點與其相連的那些節點進行記錄
     for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
122
        queue<Heap *> q;
123
        for (int j = 0; j < in[i].size(); j++)</pre>
124
          q.push(new Heap(&in[i][j]));
125
126
        while (q.size() > 1) {
          Heap *u = q.front();
127
128
          q.pop();
129
          Heap *v = q.front();
130
          q.pop();
131
          q.push(merge(u, v));
132
       Q[i] = q.front();
133
     }
134
135
     mark[1] = true;
136
      for(int a=1,b=1,p;Q[a];b=a,mark[b]=true){
        //尋找最小入邊以及其端點,保證無環
137
138
        do {
          ed[a] = extract(Q[a]);
139
140
          a = id[ed[a]->u];
141
        } while (a == b && Q[a]);
        if (a == b) break;
142
143
        if (!mark[a]) continue;
        //對發現的環進行收縮,以及環內的節點重新編號,
144
145
        //總權值更新
        for (a = b, n++; a != n; a = p) {
146
          id.fa[a] = fa[a] = n;
147
148
          if (Q[a]) Q[a]->constant -= ed[a]->w;
          Q[n] = merge(Q[n], Q[a]);
149
150
          p = id[ed[a]->u];
          nxt[p == n ? b : p] = a;
151
152
153
     }
154 }
```

```
155 ll expand(int x, int r);
156 ll expand_iter(int x) {
157
     11 r = 0;
     for(int u=nxt[x];u!=x;u=nxt[u]){
158
       if (ed[u]->w0 >= INF)
159
160
          return INF;
161
        else
162
          r += expand(ed[u]->v,u)+ed[u]->w0;
     }
163
164
     return r;
165 }
166 ll expand(int x, int t) {
167
     11 r = 0;
     for (; x != t; x = fa[x]) {
168
169
       r += expand_iter(x);
       if (r >= INF) return INF;
170
171
172
     return r;
173 }
174
   void link(int u, int v, int w) {
175
     in[v].push_back({u, v, w, w});
176 }
177 int main() {
178
     int rt;
     scanf("%d %d %d", &n, &m, &rt);
179
     for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
180
181
       int u, v, w;
       scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
182
183
       link(u, v, w);
184
     //保證強連通
185
186
     for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
       link(i > 1 ? i - 1 : n, i, INF);
187
188
     contract();
     11 ans = expand(rt, n);
189
190
     if (ans >= INF)
191
       puts("-1");
     else
192
193
       printf("%11d\n", ans);
194
      return 0;
195 }
```

3.8 JosephusProblem

```
1 //JosephusProblem, 只是規定要先砍1號
2 //所以當作有n - 1個人, 目標的13順移成12
3 // 再 者 從 0 開 始 比 較 好 算 , 所 以 目 標 12 順 移 成 11
  int getWinner(int n, int k) {
       int winner = 0;
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
6
7
           winner = (winner + k) % i;
8
      return winner;
9 }
10 int main() {
11
      int n;
       while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
12
13
           --n:
14
           for (int k = 1; k \le n; ++k){
               if (getWinner(n, k) == 11){
15
16
                   printf("%d \setminus n", k);
17
                   break:
18
           }
19
      }
20
21
       return 0;
22 }
```

3.9 KM

```
1 /* 題意: 給定一個W矩陣,現在分成row、column兩個1維陣列
W[i][j]=k即代表column[i] + row[j]要>=k
求row[] 與 column[]的所有值在滿足矩陣W的要求之下
row[] + column[]所有元素相加起來要最小
```

```
利用KM求二分圖最大權匹配
      Lx -> vertex labeling of X
6
7
      Ly -> vertex labeling of y
       - 開始 Lx[i] = max(W[i][j]), Ly = 0
8
9
      Lx[i] + Ly[j] >= W[i][j]
10
       要最小化全部的(Lx[i] + Ly[j])加總
       不 斷 的 調 整 vertex labeling 去 找 到 一 條 交 錯 邊 皆 滿 足 Lx[i] + Ly[j] == W[i][j]的 增 廣 路
11
12
       最 後 會 得 到 正 確 的 二 分 圖 完 美 匹 配 中 的 最 大 權 分 配 ( 先 滿 足 最 多 匹 配 , 再 滿 足 最 大 權 )
       意 義 是 將 最 大 化 所 有 匹 配 邊 權 重 和 的 問 題 改 成 最 小 化 所 有 點 的 權 重 和 */
13
14 #define maxn 505
15 int W[maxn][maxn];
16 int Lx[maxn], Ly[maxn];
17 bool S[maxn], T[maxn];
18 //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
19 int L[maxn];
20 int n;
21 bool match(int i) {
22
      S[i] = true;
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
23
24
          // KM重 點
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
25
26
          // 要想辦法降低Lx + Ly
27
          // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
28
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] && !T[j]) {
29
              T[j] = true;
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
30
                  L[j] = i;
31
32
                  return true;
33
              }
34
          }
      }
35
36
      return false;
37 }
38 // 修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
39 // 此舉是在通過調整 vertex labeling看看能不能產生出新的增廣路(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
| 40 | // 在這裡優先從最小的| diff | 調調看,才能保證最大權重匹配
41 void update()
42 {
43
      int diff = 0x3f3f3f3f;
44
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
          if (S[i]) {
45
46
              for (int j = 0; j < n; ++j) {
47
                  if (!T[j])
48
                      diff = min(diff, Lx[i] + Ly[j] - W[i][j]);
              }
49
          }
50
51
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
52
53
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
54
55
56 }
57 void KM()
58 {
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
59
          L[i] = -1;
60
61
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
62
          for (int j = 0; j < n; ++j)
63
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
64
65
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
          while(1) {
66
67
              memset(S, false, sizeof(S));
              memset(T, false, sizeof(T));
68
69
              if (match(i))
70
                  break;
71
72
                  update(); //去調整 vertex labeling以增加增廣路徑
73
          }
74
75 }
76 int main() {
      while (scanf("%d", &n) != EOF) {
77
          for (int i = 0; i < n; ++i)
78
              for (int j = 0; j < n; ++j)
79
80
                  scanf("%d", &W[i][j]);
81
          KM();
```

```
82
             int res = 0;
             for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
83
84
                  if (i != 0)
                      printf(" %d", Lx[i]);
85
86
                      printf("%d", Lx[i]);
87
                  res += Lx[i];
88
89
             }
             puts("");
90
91
             for (int i = 0; i < n; ++i) {
92
                  if (i != 0)
                      printf(" %d", Ly[i]);
93
94
                      printf("%d", Ly[i]);
95
96
                  res += Ly[i];
             }
97
             puts("");
98
             printf("%d \setminus n", res);
99
100
        }
101
        return 0;
102 }
```

3.10 LCA 倍增法

```
1 // 倍增法預處理 O(nlogn),查詢 O(logn),利用 lca找樹上任兩點距離
2 #define maxn 100005
3 struct Edge {
    int u, v, w;
5 };
6 vector<vector<Edge>> G; // tree
  int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
8 long long dis[maxn][31];
9 int dep[maxn]; //深度
10 void dfs(int u, int p) {//預處理fa
      fa[u][0] = p; //因 為 u 的 第 2^{\bullet}0 = 1 的 祖 先 就 是 p
11
12
      dep[u] = dep[p] + 1;
      //第 2^{i}的 祖 先 是 (第 2^{i} - 1)個 祖 先 )的 第 2^{i} - 1)的 祖 先
13
      //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
14
15
      for (int i = 1; i < 31; ++i) {
          fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
16
          dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1] + dis[u][i - 1];
17
      }
18
19
      //遍歷子節點
20
      for (Edge& edge: G[u]) {
          if (edge.v == p)
21
22
               continue;
23
          dis[edge.v][0] = edge.w;
24
          dfs(edge.v, u);
25
26 }
  long long lca(int x, int y) {//此函數是找 lca同時計算x、y的距離 -> dis(x, lca) + dis(lca, y)
27
      // 讓 v 比 x 深
28
29
      if (dep[x] > dep[y])
           swap(x, y);
30
31
      int deltaDep = dep[y] - dep[x];
32
      long long res = 0;
      // 讓 y 與 x 在 同 一 個 深 度
33
34
      for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i, deltaDep >>= 1)
35
          if (deltaDep & 1)
36
              res += dis[y][i], y = fa[y][i];
      if (y == x) //x = y \rightarrow x y 他 是 彼 此 的 祖 先
37
38
          return res;
39
      //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
40
      for (int i = 30; i \ge 0 && y != x; --i) {
41
          if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
              res += dis[x][i] + dis[y][i];
42
43
              x = fa[x][i];
              y = fa[y][i];
44
45
          }
46
      //最後發現不能跳了,此時x的第2^0 = 1個祖先(或說y的第2^0 = 1的祖先)即為x、y的1ca
47
48
      res += dis[x][0] + dis[y][0];
49
      return res;
50 }
51 int main() {
   int n, q;
```

```
while (~scanf("%d", &n) && n) {
53
54
       int v, w;
55
       G.assign(n + 5, vector<Edge>());
56
           for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
57
         scanf("%d %d", &v, &w);
58
         G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
         G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
59
60
           dfs(1, 0);
61
           scanf("%d", &q);
62
63
           int u;
           while (q--) {
64
               scanf("%d %d", &u, &v);
65
               printf("%11d\%c", lca(u + 1, v + 1), (q) ? ' ' : '\n');
66
67
    }
68
69
    return 0;
70 }
```

3.11 MCMF

```
1 | #define maxn 225
2 #define INF 0x3f3f3f3f
3 struct Edge {
      int u, v, cap, flow, cost;
5 };
6 //node size, edge size, source, target
7 int n, m, s, t;
8 vector<vector<int>> G;
9 vector < Edge > edges;
10 //SPFA 用
11 bool inqueue[maxn];
12 //SPFA 用 的 dis[]
13 long long dis[maxn];
14 //maxFlow — 路扣回去時要知道parent
  //<注 > 在 這 題 因 為 G[][]中 存 的 是 edgeIndex in edges[]
16 //
          所以 parent 存的 也是 對應 edges []中的 edge Index (主要是方便)
17 int parent[maxn];
18 //maxFlow時需要紀錄到node u時的bottleneck
19 //同時也代表著u該次流出去的量
20 long long outFlow[maxn];
21 void addEdge(int u, int v, int cap, int cost) {
      edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0, cost});
22
23
      edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0, -cost});
24
      m = edges.size();
25
      G[u].emplace_back(m - 2);
      G[v].emplace_back(m - 1);
26
27 }
28 // - 邊 求 最 短 路 的 同 時 - 邊 MaxFLow
29 bool SPFA(long long& maxFlow, long long& minCost) {
30
      // memset(outFlow, 0x3f, sizeof(outFlow));
      memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
31
32
      memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
      queue<int> q;
33
34
      q.push(s);
35
      dis[s] = 0;
      inqueue[s] = true;
36
37
      outFlow[s] = INF;
38
      while (!q.empty()) {
39
           int u = q.front();
40
          q.pop();
41
           inqueue[u] = false;
42
          for (const int edgeIndex: G[u]) {
43
               const Edge& edge = edges[edgeIndex];
44
               if ((edge.cap > edge.flow) && (dis[edge.v] > dis[u] + edge.cost)) {
45
                   dis[edge.v] = dis[u] + edge.cost;
46
                   parent[edge.v] = edgeIndex;
                   outFlow[edge.v] = min(outFlow[u], (long long)(edge.cap - edge.flow));
47
48
                   if (!inqueue[edge.v]) {
49
                       q.push(edge.v);
                       inqueue[edge.v] = true;
50
51
                   }
52
              }
          }
53
54
55
      //如果 dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
```

```
56
       if (dis[t] > 0)
            return false:
57
58
       maxFlow += outFlow[t];
       minCost += dis[t] * outFlow[t];
59
60
        // - 路 更 新 回 去 這 次 最 短 路 流 完 後 要 維 護 的 MaxFlow 演 算 法 相 關 (如 反 向 邊 等 )
61
       int curr = t;
       while (curr != s) {
62
63
            edges[parent[curr]].flow += outFlow[t];
            edges[parent[curr] ^ 1].flow -= outFlow[t];
64
65
            curr = edges[parent[curr]].u;
66
       return true;
67
68 }
69 long long MCMF() {
70
       long long maxFlow = 0;
       long long minCost = 0;
71
72
       while (SPFA(maxFlow, minCost))
73
74
       return minCost;
75 }
   int main() {
76
77
       int T;
       scanf("%d", &T);
78
79
       for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>
80
            //總共幾個月,囤貨成本
81
            int M. I:
            scanf("%d %d", &M, &I);
82
83
            //node size
            n = M + M + 2;
84
85
            G.assign(n + 5, vector<int>());
            edges.clear();
86
            s = 0;
87
            t = M + M + 1;
88
89
            for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre>
90
                int produceCost, produceMax, sellPrice, sellMax, inventoryMonth;
                scanf("%d %d %d %d %d", &produceCost, &produceMax, &sellPrice, &sellMax, &inventoryMonth);
91
92
                addEdge(s, i, produceMax, produceCost);
                addEdge(M + i, t, sellMax, -sellPrice);
93
                for (int j = 0; j <= inventoryMonth; ++j) {</pre>
94
                    if (i + j <= M)
95
                         addEdge(i, M + i + j, INF, I * j);
96
97
                }
98
99
            printf("Case %d: %11d\n", Case, -MCMF());
       }
100
101
       return 0;
102 }
```

3.12 Dancing Links

```
1 struct DLX {
2
       int seq, resSize;
3
       int col[maxn], row[maxn];
       int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
       int rowHead[maxn], colSize[maxn];
6
       int result[maxn];
       DLX(int r, int c) {
8
           for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
9
               L[i] = i-1, R[i] = i+1;
10
               U[i] = D[i] = i;
11
12
           L[R[seq=c]=0]=c;
13
           resSize = -1;
14
           memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
15
           memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
16
17
       void insert(int r, int c) {
           row[++seq]=r, col[seq]=c, ++colSize[c];
18
19
           U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq, D[c]=seq;
20
           if(rowHead[r]) {
               L[seq]=rowHead[r], R[seq]=R[rowHead[r]];
21
22
               L[R[rowHead[r]]]=seq, R[rowHead[r]]=seq;
23
           } else {
24
               rowHead[r] = L[seq] = R[seq] = seq;
           }
25
      }
26
```

```
27
       void remove(int c) {
           L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
28
29
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
30
                for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
31
                    U[D[j]] = U[j];
32
                    D[U[j]] = D[j];
33
                    --colSize[col[j]];
34
               }
35
           }
36
37
       void recover(int c) {
           for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
38
39
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                    U[D[j]] = D[U[j]] = j;
40
41
                    ++colSize[col[j]];
42
43
           L[R[c]] = R[L[c]] = c;
44
45
46
       bool dfs(int idx=0) {
                               // 判斷其中一解版
           if(R[0] == 0) {
47
48
               resSize = idx;
49
               return true;
50
51
           int c = R[0];
           for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
52
                if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
53
           }
54
55
           remove(c);
56
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                result[idx] = row[i];
57
58
                for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
59
                    remove(col[j]);
60
                if(dfs(idx+1)) return true;
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
61
62
                    recover(col[j]);
63
           }
64
           recover(c);
65
           return false;
66
       void dfs(int idx=0) {
                               // 判斷最小 dfs depth 版
67
68
           if(R[0] == 0) {
               resSize = min(resSize, idx); // 注意init值
69
70
           }
71
72
           int c = R[0];
           for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
73
74
                if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
75
76
           remove(c);
77
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
78
                for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
79
                    remove(col[j]);
80
                dfs(idx+1);
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
81
82
                    recover(col[j]);
83
           }
84
           recover(c);
85
86 }:
```

4 DataStructure

4.1 線段樹 1D

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
4 int tag[4 * MAXN]; // 懶標
5 inline int pull(int 1, int r) {
  // 隨題目改變 sum、max、min
7 // 1、r是左右樹的index
8
      return st[l] + st[r];
9 }
10 void build(int 1, int r, int i) {
11 // 在[1, r]區間建樹, 目前根的 index 為 i
      if (1 == r) {
12
13
          st[i] = data[1];
```

```
14
           return:
15
      }
16
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
17
      build(1, mid, i * 2);
18
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
19
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
20 }
21 int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
22 // [q1, qr]是 查 詢 區 間 ,[1, r]是 當 前 節 點 包 含 的 區 間
      if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
23
24
           return st[i];
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
25
26
      if (tag[i]) {
           //如果當前懶標有值則更新左右節點
27
28
           st[i * 2] += tag[i] * (mid - l + 1);
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
29
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
30
31
           tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
          tag[i] = 0;
32
33
      int sum = 0;
34
35
      if (ql <= mid)</pre>
36
           sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
37
       if (qr > mid)
38
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
39
      return sum;
40 }
41 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
42 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
43 // c 是 變 化 量
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
44
45
           st[i] += (r - l + 1) * c; //求和,此需乘上區間長度
46
           tag[i] += c;
47
          return;
      }
48
49
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
50
      if (tag[i] && 1 != r) {
51
           //如果當前懶標有值則更新左右節點
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
52
53
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
54
55
          tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
          tag[i] = 0;
56
57
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);</pre>
58
59
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
60
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
61 }
62 //如 果 是 直 接 改 值 而 不 是 加 值 , query 與 update 中 的 tag 與 st 的
63 // 改值 從 += 改成 =
```

4.2 線段樹 2D

```
1 // 純 2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
3 int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
4 int N;
5 void modifyY(int index, int 1, int r, int val, int yPos, int xIndex, bool xIsLeaf) {
      if (1 == r) {
6
7
          if (xIsLeaf) {
               maxST[xIndex][index] = minST[xIndex][index] = val;
8
10
11
          maxST[xIndex][index] = max(maxST[xIndex * 2][index], maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
12
          minST[xIndex][index] = min(minST[xIndex * 2][index], minST[xIndex * 2 + 1][index]);
      }
13
14
          int mid = (1 + r) / 2;
15
16
          if (yPos <= mid)</pre>
17
               modifyY(index * 2, 1, mid, val, yPos, xIndex, xIsLeaf);
          else
18
19
               modifyY(index * 2 + 1, mid + 1, r, val, yPos, xIndex, xIsLeaf);
20
21
          maxST[xIndex][index] = max(maxST[xIndex][index * 2], maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
22
          minST[xIndex][index] = min(minST[xIndex][index * 2], minST[xIndex][index * 2 + 1]);
      }
23
```

```
24 }
  void modifyX(int index, int 1, int r, int val, int xPos, int yPos) {
25
26
       if (1 == r) {
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index, true);
27
28
29
       else {
           int mid = (1 + r) / 2;
30
31
           if (xPos <= mid)</pre>
                modifyX(index * 2, 1, mid, val, xPos, yPos);
32
33
34
                modifyX(index * 2 + 1, mid + 1, r, val, xPos, yPos);
35
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index, false);
36
37 }
38 void queryY(int index, int 1, int r, int yql, int yqr, int xIndex, int& vmax, int &vmin) {
       if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
39
40
           vmax = max(vmax, maxST[xIndex][index]);
41
           vmin = min(vmin, minST[xIndex][index]);
42
       }
43
       else
44
       {
45
           int mid = (1 + r) / 2;
46
           if (yql <= mid)</pre>
47
                queryY(index * 2, 1, mid, yql, yqr, xIndex, vmax, vmin);
48
           if (mid < yqr)</pre>
                queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r, yql, yqr, xIndex, vmax, vmin);
49
50
51 }
52 void queryX(int index, int 1, int r, int xql, int xqr, int yql, int yqr, int& vmax, int& vmin) {
53
       if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>
           queryY(1, 1, N, yql, yqr, index, vmax, vmin);
54
55
56
       else {
57
           int mid = (1 + r) / 2;
58
           if (xql <= mid)</pre>
                queryX(index * 2, 1, mid, xql, xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
59
60
           if (mid < xqr)</pre>
                queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r, xql, xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
61
62
63 | }
64 int main() {
65
       while (scanf("%d", &N) != EOF) {
66
           int val;
67
           for (int i = 1; i <= N; ++i) {
                for (int j = 1; j <= N; ++j) {
68
                    scanf("%d", &val);
69
70
                    modifyX(1, 1, N, val, i, j);
71
                }
72
           }
           int q;
73
74
           int vmax, vmin;
75
           int xql, xqr, yql, yqr;
76
           char op;
            scanf("%d", &q);
77
           while (q--) {
78
79
                getchar(); //for \n
                scanf("%c", &op);
if (op == 'q') {
80
81
                    scanf("%d %d %d %d", &xql, &yql, &xqr, &yqr);
82
                    vmax = -0x3f3f3f3f;
83
                    vmin = 0x3f3f3f3f;
84
85
                    queryX(1, 1, N, xql, xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
86
                    printf("%d %d\n", vmax, vmin);
                }
87
88
                else {
89
                    scanf("%d %d %d", &xql, &yql, &val);
                    modifyX(1, 1, N, val, xql, yql);
90
91
92
           }
93
94
       return 0;
95 }
```

4.3 權值線段樹

```
2 //其他網路上的解法: 2個 heap, Treap, AVL tree
3 #define maxn 30005
 4 int nums[maxn];
5 int getArr[maxn];
6 int id[maxn];
7 int st[maxn << 2];</pre>
8 void update(int index, int 1, int r, int qx) {
9
       if (1 == r)
10
       {
11
           ++st[index];
12
           return;
       }
13
14
       int mid = (1 + r) / 2;
15
16
       if (qx <= mid)</pre>
           update(index * 2, 1, mid, qx);
17
18
19
           update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
20
       st[index] = st[index * 2] + st[index * 2 + 1];
21 | }
22 //找區間第 // 個小的
23 int query(int index, int 1, int r, int k) {
       if (1 == r)
24
25
           return id[1];
26
       int mid = (1 + r) / 2;
27
       //k比左子樹小
       if (k <= st[index * 2])</pre>
28
           return query(index * 2, 1, mid, k);
29
30
31
           return query(index * 2 + 1, mid + 1, r, k - st[index * 2]);
32 }
33 int main() {
34
       int t;
35
       cin >> t;
       bool first = true;
36
37
       while (t--) {
38
           if (first)
                first = false;
39
40
                puts("");
41
           memset(st, 0, sizeof(st));
42
           int m, n;
43
           cin >> m >> n;
44
45
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                cin >> nums[i];
46
                id[i] = nums[i];
47
48
           }
           for (int i = 0; i < n; ++i)
49
50
                cin >> getArr[i];
           //離 散 化
51
            //防止 m == 0
52
           if (m)
53
                sort(id + 1, id + m + 1);
54
55
            int stSize = unique(id + 1, id + m + 1) - (id + 1);
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
56
57
                nums[i] = lower_bound(id + 1, id + stSize + 1, nums[i]) - id;
           }
58
59
           int addCount = 0;
60
           int getCount = 0;
           int k = 1;
61
62
           while (getCount < n) {</pre>
                if (getArr[getCount] == addCount) {
63
                    printf("%d \setminus n", query(1, 1, stSize, k));
64
65
                    ++k;
66
                    ++getCount;
67
                }
                else {
68
69
                    update(1, 1, stSize, nums[addCount + 1]);
70
                    ++addCount;
71
                }
72
           }
73
       }
74
       return 0;
75 }
```

4.4 Trie

```
1 const int maxn = 300000 + 10;
2 const int mod = 20071027;
3 int dp[maxn];
4 int mp[4000*100 + 10][26];
5 char str[maxn];
6 struct Trie {
7
       int seq;
       int val[maxn];
       Trie() {
9
           seq = 0;
10
11
           memset(val, 0, sizeof(val));
           memset(mp, 0, sizeof(mp));
12
13
       void insert(char* s, int len) {
14
15
           int r = 0;
16
           for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
               int c = s[i] - 'a';
17
18
               if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
               r = mp[r][c];
19
           }
20
           val[r] = len;
21
           return;
22
23
       int find(int idx, int len) {
24
25
           int result = 0;
           for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
26
               int c = str[idx] - 'a';
27
               if(!(r = mp[r][c])) return result;
28
               if(val[r])
29
30
                    result = (result + dp[idx + 1]) % mod;
31
           }
32
           return result;
33
34 };
35 int main() {
       int n, tc = 1;
36
37
       while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
38
           Trie tr;
           int len = strlen(str);
39
40
           char word[100+10];
           memset(dp, 0, sizeof(dp));
41
42
           dp[len] = 1;
           while(n--) {
43
               scanf("%s", word);
44
45
               tr.insert(word, strlen(word));
46
           for(int i=len-1; i>=0; i--)
47
               dp[i] = tr.find(i, len);
48
           printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
49
50
       }
51
       return 0;
52 }
53 /****Input****
54 * abcd
   * 4
55
56
   * a b cd ab
57
   ********
   ****Output***
58
59
   * Case 1: 2
   *********
```

4.5 單調隊列

```
11 using namespace std;
12 int q[maxn], a[maxn];
13 int n, k;
14
15 void getmin() {
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
17
       int head=0,tail=0;
18
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
19
20
           q[++tail]=i;
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
           q[++tail]=i;
24
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
           cout << a[q[head]] << " ";
26
27
       }
       cout << endl;</pre>
28
29 }
30
   void getmax() { // 和上面同理
31
32
       int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
33
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
34
35
           q[++tail]=i;
36
37
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
38
39
           q[++tail]=i;
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
           cout << a[q[head]] << " ";
41
42
43
       cout << end1;
44 }
45
46 int main(){
47
       cin>>n>>k; //每 k 個 連 續 的 數
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
       getmin();
       getmax();
50
51
       return 0;
52 }
       geometry
  5.1
         intersection
1 using LL = long long;
3 struct Point2D {
       LL x, y;
5 };
6
7
  struct Line2D {
       Point2D s, e;
8
9
       LL a, b, c;
                                 // L: ax + by = c
       Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e) {
10
11
           a = e.y - s.y;
           b = s.x - e.x;
12
13
           c = a * s.x + b * s.y;
14
15 };
16
17 // 用克拉馬公式求二元一次解
18 Point2D intersection2D(Line2D 11, Line2D 12) {
19
       LL D = 11.a * 12.b - 12.a * 11.b;
       LL Dx = 11.c * 12.b - 12.c * 11.b;
20
21
       LL Dy = 11.a * 12.c - 12.a * 11.c;
22
23
       if(D) {
                         // intersection
           double x = 1.0 * Dx / D;
24
           double y = 1.0 * Dy / D;
25
26
       } else {
           if(Dx || Dy) // Parallel lines
27
                         // Same line
28
           else
       }
29
```

30 }

5.2 半平面相交

```
1 // Q: 給定一張凸包(已排序的點),
2 // 找出圖中離凸包外最遠的距離
3
4 const int maxn = 100 + 10;
5 const double eps = 1e-7;
  struct Vector {
7
8
       double x, y;
       Vector(double x=0.0, double y=0.0): x(x), y(y) {}
9
10
11
       Vector operator+(Vector v) {
           return Vector(x+v.x, y+v.y);
12
13
       Vector operator - (Vector v) {
14
           return Vector(x-v.x, y-v.y);
15
16
       Vector operator*(double val) {
17
           return Vector(x*val, y*val);
18
19
20
       double dot(Vector v) { return x*v.x + y*v.y; }
21
       double cross(Vector v) { return x*v.y - y*v.x; }
       double length() { return sqrt(dot(*this)); }
22
23
       Vector unit_normal_vector() {
24
           double len = length();
25
           return Vector(-y/len, x/len);
26
27 };
28
29 using Point = Vector;
30
31 struct Line {
      Point p;
32
33
       Vector v;
       double ang;
34
35
       Line(Point p=\{\}, Vector v=\{\}): p(p), v(v) \{
36
          ang = atan2(v.y, v.x);
37
38
       bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
           return ang < 1.ang;</pre>
39
40
41
       Point intersection(Line 1) {
42
           Vector u = p - 1.p;
           double t = 1.v.cross(u) / v.cross(1.v);
43
           return p + v*t;
44
45
      }
46 };
47
48 int n, m;
49 Line narrow[maxn];
                         // 要判斷的直線
50 Point poly[maxn];
                         // 能形成半平面交的凸包邊界點
51
52 // return true if point p is on the left of line 1
53 bool onLeft(Point p, Line 1) {
54
      return 1.v.cross(p-1.p) > 0;
55 }
56
57
  int halfplaneIntersection() {
      int 1, r;
58
59
       Line L[maxn];
                              // 排序後的向量隊列
       Point P[maxn];
                              // s[i] 跟 s[i-1] 的交點
60
61
62
       L[l=r=0] = narrow[0]; // notice: narrow is sorted
       for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
63
           while(l<r && !onLeft(P[r-1], narrow[i])) r--;</pre>
64
65
           while(l<r && !onLeft(P[l], narrow[i])) l++;</pre>
66
67
           L[++r] = narrow[i];
           if(1 < r) P[r-1] = L[r-1].intersection(L[r]);
68
69
70
71
       while(l<r && !onLeft(P[r-1], L[1])) r--;</pre>
       if(r-l <= 1) return 0;
72
73
74
      P[r] = L[r].intersection(L[1]);
75
```

```
76
        int m=0;
77
        for(int i=1; i<=r; i++) {</pre>
78
            poly[m++] = P[i];
79
80
81
        return m;
82 }
83
84 Point pt[maxn];
   Vector vec[maxn];
86
   Vector normal[maxn];// normal[i] = vec[i] 的單位法向量
87
88 double bsearch(double 1=0.0, double r=1e4) {
       if(abs(r-1) < eps) return 1;</pre>
89
90
        double mid = (1 + r) / 2;
91
92
93
        for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
            narrow[i] = Line(pt[i]+normal[i]*mid, vec[i]);
94
95
96
97
        if(halfplaneIntersection())
98
            return bsearch(mid, r);
99
        else return bsearch(1, mid);
100 }
101
   int main() {
102
        while(~scanf("%d", &n) && n) {
103
104
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
105
                 double x, y;
                 scanf("%1f%1f", &x, &y);
106
107
                 pt[i] = {x, y};
108
109
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                 vec[i] = pt[(i+1)%n] - pt[i];
110
                 normal[i] = vec[i].unit_normal_vector();
111
112
            }
113
114
            printf("%.61f\n", bsearch());
115
116
        return 0;
117 }
```

5.3 凸包

```
1 // Q:平面上給定多個區域,由多個座標點所形成,再給定
2 // 多點 (x,y), 判斷 有落點的區域 (destroyed)的面積總和。
3 #include <bits/stdc++.h>
4 using namespace std;
6 const int maxn = 500 + 10;
7 const int maxCoordinate = 500 + 10;
8
9
  struct Point {
10
      int x, y;
11 };
12
13 int n;
14 bool destroyed[maxn];
15 Point arr[maxn];
16 vector < Point > polygons[maxn];
17
18 void scanAndSortPoints() {
19
      int minX = maxCoordinate, minY = maxCoordinate;
20
      for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
          int x, y;
21
          scanf("%d%d", &x, &y);
22
          arr[i] = (Point)\{x, y\};
23
24
          if(y < minY || (y == minY && x < minX)) {</pre>
25
          If there are floating points, use:
      // if(y<minY || (abs(y-minY)<eps && x<minX)) {
26
27
               minX = x, minY = y;
28
          }
29
      sort(arr, arr+n, [minX, minY](Point& a, Point& b){
30
31
          double theta1 = atan2(a.y - minY, a.x - minX);
```

```
32
            double theta2 = atan2(b.y - minY, b.x - minX);
            return theta1 < theta2;</pre>
33
34
       });
35
        return;
36 }
37
38 // returns cross product of u(AB) \times v(AC)
39 int cross(Point& A, Point& B, Point& C) {
       int u[2] = {B.x - A.x, B.y - A.y};
int v[2] = {C.x - A.x, C.y - A.y};
40
41
        return (u[0] * v[1]) - (u[1] * v[0]);
42
43 }
44
|45| // size of arr = n >= 3
   // st = the stack using vector, m = index of the top
47 vector < Point > convex_hull() {
        vector<Point> st(arr, arr+3);
48
        for(int i=3, m=2; i<n; i++, m++) {</pre>
49
            while(m \ge 2) {
50
51
                 if(cross(st[m], st[m-1], arr[i]) < 0)</pre>
52
                     break:
53
                 st.pop_back();
                m - -;
54
            }
55
56
            st.push_back(arr[i]);
       }
57
58
        return st;
59 }
60
61
   bool inPolygon(vector<Point>& vec, Point p) {
        vec.push_back(vec[0]);
62
63
        for(int i=1; i<vec.size(); i++) {</pre>
64
            if(cross(vec[i-1], vec[i], p) < 0) {</pre>
65
                 vec.pop_back();
66
                 return false;
67
            }
68
       }
69
        vec.pop_back();
70
        return true;
71 }
72
73
           1 | x1 x2
                         x 3
                               x4
          - | x x x
74
                                 X
75
           2 | y1 y2 y3 y4 y5
                                                  yn |
   double calculateArea(vector<Point>& v) {
76
77
       v.push_back(v[0]);
                                       // make v[n] = v[0]
78
        double result = 0.0;
79
        for(int i=1; i<v.size(); i++)</pre>
80
            result += v[i-1].x*v[i].y - v[i-1].y*v[i].x;
81
        v.pop_back();
82
        return result / 2.0;
83 }
84
85
   int main() {
       int p = 0;
86
87
        while(~scanf("%d", &n) && (n != -1)) {
            scanAndSortPoints();
88
89
            polygons[p++] = convex_hull();
       }
90
91
92
        int x, y;
        double result = 0.0;
93
        while(~scanf("%d%d", &x, &y)) {
94
            for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
95
96
                 if(inPolygon(polygons[i], (Point){x, y}))
97
                     destroyed[i] = true;
            }
98
99
        for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
100
101
            if(destroyed[i])
102
                result += calculateArea(polygons[i]);
103
        printf("%.21f\n", result);
104
105
        return 0;
106 }
```

6 DP 6.1 抽屜

```
1 long long dp[70][70][2];

// 初始條件

dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;

for (int i = 2; i <= 66; ++i){

    // i個抽屜0個安全且上方0 = (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) + (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)

    dp[i][0][0] = dp[i - 1][1][1] + dp[i - 1][0][0];

    for (int j = 1; j <= i; ++j) {

        dp[i][j][0] = dp[i - 1][j + 1][1] + dp[i - 1][j][0];

        dp[i][j][1] = dp[i - 1][j - 1][1] + dp[i - 1][j] - 1][0];

    }

11 }//答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
```

6.2 Deque 最大差距

```
1 /*定義 dp[1][r]是1 ~ r時與先手最大差異值
2
    Deque 可以拿頭尾
     所以轉移式中dp[1][r]與dp[1 + 1][r]、dp[1][r - 1]有關
3
    dp[1][r] = max{a[1] - solve(1 + 1, r), a[r] - solve(1, r - 1)}
     裡 面 用 減 的 主 要 是 因 為 求 的 是 相 減 且 會 一 直 換 手 , 所 以 正 負 正 負 . . . */
7 #define maxn 3005
8 bool vis[maxn][maxn];
9 long long dp[maxn][maxn];
10 long long a[maxn];
11
  long long solve(int 1, int r) {
      if (1 > r)
12
13
          return 0;
      if (vis[l][r])
14
          return dp[l][r];
15
      vis[l][r] = true;
16
      long long res = a[l] - solve(l + 1, r);
17
      res = max(res, a[r] - solve(l, r - 1));
18
19
      return dp[l][r] = res;
20 }
21 int main() {
22
23
      printf("%11d\n", solve(1, n));
24 }
```

6.3 LCS 和 LIS

```
1 // 最 長 共 同 子 序 列 (LCS)
 給定兩序列 A,B , 求最長的序列 C ,
3
  C 同時為 A,B 的子序列。
4 // 最 長 遞 增 子 序 列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
  B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
 //LCS 和 LIS 題目轉換
8 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
9
10
    2. 對 A,B 做 LCS
11 LCS 轉成 LIS
12
    1. A, B 為原本的兩序列
13
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
    3. 對 B 做 LIS
14
15
     4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
       越早出現的數字要越小
16
17
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
       直接忽略這個數字不做轉換即可
18
```

6.4 RangeDP

```
1 //區間 dp
2 int dp[55][55]; // dp[i][j] -> [i, j]切割區間中最小的 cost
3 int cuts[55];
4 int solve(int i, int j) {
5 if (dp[i][j] != -1)
```

```
6
           return dp[i][j];
       //代表沒有其他切法, 只能是 cuts[j] - cuts[i]
7
8
       if (i == j - 1)
9
           return dp[i][j] = 0;
       int cost = 0x3f3f3f3f;
10
11
       for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
12
           //枚舉區間中間切點
13
           cost = min(cost, solve(i, m) + solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
14
      }
15
       return dp[i][j] = cost;
16 }
17 int main() {
18
       int 1;
       int n;
19
       while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
20
           scanf("%d", &n);
21
22
           for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
               scanf("%d", &cuts[i]);
23
           cuts[0] = 0;
24
25
           cuts[n + 1] = 1;
           memset(dp, -1, sizeof(dp));
26
27
           printf("The minimum cutting is %d.\n", solve(0, n + 1));
28
29
       return 0;
30 }
```

6.5 stringDP

Edit distance

$$S_1 \ \, \mathbb{B}$$
少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2
$$dp[i][j] = \left\{ \begin{array}{cccc} i+1 & \text{if} & j=-1\\ j+1 & \text{if} & i=-1\\ dp[i-1][j-1] & \text{if} & S_1[i] = S_2[j]\\ dp[i][j-1] & dp[i-1][j]\\ dp[i-1][j-1] \end{array} \right\} + 1 \quad \text{if} \quad S_1[i] \neq S_2[j]$$

• Longest Palindromic Subsequence

$$dp[l][r] = \left\{ \begin{array}{ccc} 1 & \text{if} & l = r \\ dp[l+1][r-1] & \text{if} & S[l] = S[r] \\ \max\{dp[l+1][r], dp[l][r-1]\} & \text{if} & S[l] \neq S[r] \end{array} \right.$$

6.6 TreeDP 有幾個 path 長度為 k

```
1 #define maxn 50005
2 #define maxk 505
3 //dp[u][u的 child 且 距 離 u 長 度 k 的 數 量 ]
4 long long dp[maxn][maxk];
5 vector<vector<int>> G;
6 int n, k;
7 \mid \mathbf{long} \mid \mathbf{long} \mid \mathbf{res} = 0;
   void dfs(int u, int p) {
9
       //u自己
10
       dp[u][0] = 1;
11
       for (int v: G[u]) {
            if (v == p)
12
13
                continue;
            dfs(v, u);
14
15
            for (int i = 1; i <= k; ++i) {</pre>
                //子 樹 v 距 離 i - 1 的 等 於 對 於 u 來 說 距 離 i 的
16
17
                dp[u][i] += dp[v][i - 1];
18
            }
       }
19
20
       //統計在 u子樹中距離 u為 k的數量
       res += dp[u][k];
21
       long long cnt = 0;
22
23
       for (int v: G[u]) {
            if (v == p)
24
25
                continue; //重點算法
            for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
26
                cnt += dp[v][x] * (dp[u][k - x - 1] - dp[v][k - x - 2]);
27
            }
28
29
       }
30
       res += cnt / 2;
31 }
```

6.7 TreeDP reroot

```
1 /*re-root\ dp\ on\ tree\ O(n+n+n)\ ->\ O(n)*/
2 class Solution {
  public:
      4
5
          this->res.assign(n, 0);
          G.assign(n + 5, vector<int>());
6
          for (vector<int>& edge: edges) {
7
8
              G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
9
              G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
10
11
          memset(this->visited, 0, sizeof(this->visited));
12
          this -> dfs(0);
13
          memset(this->visited, 0, sizeof(this->visited));
          this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
14
15
          memset(this->visited, 0, sizeof(this->visited));
16
          this -> dfs3(0, n);
          return this->res;
17
      }
18
19
  private:
20
      vector<vector<int>> G;
      bool visited[30005];
21
22
      int subtreeSize[30005];
23
      vector<int> res;
      //求 subtreeSize
24
25
      int dfs(int u) {
26
          this->visited[u] = true;
27
          for (int v: this->G[u]) {
              if (!this->visited[v]) {
28
                  this->subtreeSize[u] += this->dfs(v);
29
30
              }
          }
31
32
          //自己
33
          this->subtreeSize[u] += 1;
          return this->subtreeSize[u];
34
      }
35
36
      //求 res[0], 0到所有點的距離
37
      int dfs2(int u, int dis) {
          this->visited[u] = true;
38
39
          int sum = 0;
          for (int v: this->G[u]) {
40
41
              if (!visited[v]) {
42
                  sum += this->dfs2(v, dis + 1);
              }
43
44
          }
45
          //要加上自己的距離
46
          return sum + dis;
47
48
      //算出所有的res
49
      void dfs3(int u, int n) {
          this->visited[u] = true;
50
51
          for (int v: this->G[u]) {
              if (!visited[v]) {
52
                  this->res[v] = this->res[u] + n - 2 * this->subtreeSize[v];
53
54
                  this->dfs3(v, n);
55
              }
56
          }
57
      }
58 };
```

6.8 WeightedLIS

```
1 #define maxn 200005
2 long long dp[maxn];
3 long long height[maxn];
```

```
4 long long B[maxn];
5 long long st[maxn << 2];</pre>
6 void update(int p, int index, int l, int r, long long v) {
       if (1 == r) {
           st[index] = v;
8
9
           return;
10
       }
11
       int mid = (1 + r) >> 1;
       if (p <= mid)</pre>
12
13
           update(p, (index << 1), 1, mid, v);
14
           update(p, (index << 1) + 1, mid + 1, r, v);
15
16
       st[index] = max(st[index << 1], st[(index << 1) + 1]);
17 }
18 long long query(int index, int l, int r, int ql, int qr) {
       if (q1 <= 1 && r <= qr)</pre>
19
20
           return st[index];
21
       int mid = (1 + r) >> 1;
       long long res = -1;
22
23
       if (ql <= mid)</pre>
           res = max(res, query(index << 1, 1, mid, ql, qr));</pre>
24
25
       if (mid < qr)</pre>
           res = max(res, query((index << 1) + 1, mid + 1, r, ql, qr));
26
27
       return res;
28 }
29 int main() {
       int n;
30
       scanf("%d", &n);
31
32
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
           scanf("%11d", &height[i]);
33
       for (int i = 1; i \le n; ++i)
34
           scanf("%11d", &B[i]);
35
       long long res = B[1];
36
37
       update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
       for (int i = 2; i <= n; ++i) {</pre>
38
           long long temp;
39
40
           if (height[i] - 1 >= 1)
                temp = B[i] + query(1, 1, n, 1, height[i] - 1);
41
42
                temp = B[i];
43
           update(height[i], 1, 1, n, temp);
44
45
           res = max(res, temp);
       }
46
       printf("%11d\n", res);
47
48
       return 0;
49 }
```