Contents

1	math															
•																
	1.1	公式								•	•	•	٠	•		
	1.2	矩陣快速冪														
	1 2	質數與因數														
								٠					•	•	•	
		歐拉函數 .														
	1.5	乘法逆元、組	合數	枚.												
	1 6					-	•	•	•	•		-				
	1.0	大步小步 .	•			•	٠	٠	•	٠	•	•		•		
2	字串															
	2 1	最長迴文子字	ф													
	2.1	取农迎入丁于	T				•		•	•	•	•	٠	•	•	
	2.2	KMP														
	2.3	Z Algorith	m													
		8														
•	-1															
3		rithm														
	3.1	三分搜														
	3 2	差分														
	3.2	エカ	•		•	•										
	3.3	greedy .									•	•				
	3.4	dinic SCC Tarjan														
	3 5	SCC Tarian														
	3.3	occ rai jaii					•	•	•	•	٠	٠	•	٠	•	
	3.6	SCC Kosara	Jи													
	3.7	Articulati	onP	oi	nts	s Ta	ar:	ian								
	3 8	最小樹狀圖					٠	,								
	3.0	取り、四八回			•	•							•	•	•	
	3.9	二分圖最大匹	世													
	3.10	二分圖最大匹 Astar						_								
	2 11	JosephusPr	.h1			-										
	3.11	Josephuser	ODI	.em		•	٠	٠			•	•	٠	•	٠	
	3.12	KM														
	3.13	LCA 倍增法						_								
	3.14	LCA 樹壓平	RΜ	ι.	•								٠			
	3.15	LCA 樹錬剖分	}													
	3.16	MCMF														
	2 17	莫隊	-			-	•								•	
		关附	•		•		٠					•	٠	•	•	
	3.18	Dancing Li	nks													
4	Data	Structure														1
-																
	4.1	BIT														1
	4.2	${\tt ChthollyTr}$	ee													1
	1 2	線段樹 1D														1
							٠		٠	•	•	•	٠	•	٠	
	4.4	線段樹 2D														1
	4.5	權值線段樹														1
	4 6															1
	4.0	irie											٠			
	4.7	AC Trie .														1
	4 8	單調隊列 .														1
	1.0	+ maray > 1	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
_	_															_
5	Geom															1
	5.1	Template														1
	E 2	Polygon .	•			-	•						•			1
	5.2	Polygon .				•							٠			
	E 2															1
	5.5	Intersecti	on					•					•			1
	5.4	Intersecti	on					•								
	5.4	Intersecti 最小圓覆蓋	on				٠									- 1
	5.4 5.5	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 .	on				٠	•					•		:	1
	5.4 5.5	Intersecti 最小圓覆蓋	on					:								1
	5.4 5.5 5.6	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 . 凸包	on	 			•					:			:	1
	5.4 5.5 5.6	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 .	on	 												
	5.4 5.5 5.6 5.7	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 . 凸包	on	 			•					:			:	1-
6	5.4 5.5 5.6 5.7	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 凸包 半平面相交	on				•					:			:	1-
6	5.4 5.5 5.6 5.7	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 凸包 半平面相交	on													1-
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 . 凸包 半平面相交 以價值為主的	on · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												1: 1: 1: 1:
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2	Intersecti 最小圆覆蓋 旋轉卡尺 心包 相交 以價值為主的 抽屜	on · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												1- 1- 1- 1- 1-
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 Barcode	on · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												1: 1: 1: 1:
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 Barcode	on · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												1- 1- 1- 1- 1-
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3 6.4	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 Barcode Deque 最大刻	on · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·													1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1-
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 . 凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 . Barcode . Deque 最大就 LCS 和 LIS	on · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												1: 1: 1: 1: 1: 1: 1:
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 . 凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 . Barcode . Deque 最大就 LCS 和 LIS	on · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												1: 1: 1: 1: 1: 1: 1: 1:
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5	Intersecti 最小圓覆蓋 旋轉卡尺 . 凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 . Barcode . Deque 最大就 LCS 和 LIS	on · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												1: 1: 1: 1: 1: 1: 1:
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6	Intersecti 最小圓覆蓋 旋凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 Barcode . Deque 最大S LCS 和 LIS RangeDP stringDP	on 背 .. 差 ...													11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7	Intersecti 最小圓覆蓋 旋丸包 半平面相交 以價值為主的 Barcode . Deque 最大 LCS 和 LIS RangeDP . stringDP 樹 DP 有幾何	on 背..差... p			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		· · · · · · · · · · · · k								14 14 14 14 14 11 11 11 11
6	5.4 5.5 5.6 5.7 DP 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8	Intersecti 最小圓覆蓋 旋凸包 半平面相交 以價值為主的 抽屜 Barcode . Deque 最大S LCS 和 LIS RangeDP stringDP	on · · · · · · 背· · · · · · · pot				· · · · ·									11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

1 math

1.1 公式

1. Most Divisor Number

Range	最多因數數	因數個數
109	735134400	1344
2^{31}	2095133040	1600
10^{18}	897612484786617600	103680
2^{64}	9200527969062830400	161280

2. Catlan Number

$$C_n = \frac{1}{n} {2n \choose n}, C_{n+1} = \frac{2(2n+1)}{n+2} C_n$$

C = 1, 1, 2, 5, 14, 42, 132, 429, 1430, 4862, ...

3. Faulhaber's formula

$$\sum_{k=1}^{n} k^{p} = \frac{1}{p+1} \sum_{r=0}^{p} {p+1 \choose r} B_{r} n^{p-r+1}$$

where
$$B_0=1,~B_r=1-\sum\limits_{i=0}^{r-1} {r \choose i} \frac{B_i}{r-i+1}$$

也可用高斯消去法找 deg(p+1) 的多項式,例:

$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = a_3 n^3 + a_2 n^2 + a_1 n + a_0$$

$$\begin{bmatrix} 0^3 & 0^2 & 0^1 & 0^0 \\ 1^3 & 1^2 & 1^1 & 1^0 \\ 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ 3^3 & 3^2 & 3^1 & 3^0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_3 \\ a_1 \\ a_1 \\ a_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0^2 \\ 0^2 + 1^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 + 3^2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 8 & 4 & 2 & 1 & 5 \\ 27 & 9 & 3 & 1 & 14 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 4 & 6 & 7 & 3 \\ 0 & 0 & 6 & 11 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1/3 \\ 1/2 \\ 1/6 \\ 0 \end{bmatrix}, \sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{1}{3}n^3 + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{6}n$$

4. SG Function

```
SG(x) = mex\{SG(y)|x \rightarrow y\}
mex(S) = min\{n|n \in \mathbb{N}, n \notin S\}
```

5. Fibonacci

$$\begin{bmatrix} f_{n-1} & f_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^p = \begin{bmatrix} f_{n+p} & f_{n+p+1} \end{bmatrix}, p \in \mathbb{N}$$

6. Pick's Theorem

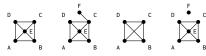
給定頂點座標均是整點(或正方形格子點)的簡單多邊形, 其面積 A 和內部格點數目 i、邊上格點數目 b 的關係為

$$A = i + \frac{b}{2} - 1$$

7. Euler's Formula

對於有 V 個點、E 條邊、F 個面 (含外部) 的連通平面圖

$$F + V - E = 2$$



(1)、(2)○;(3)×, AC 與 BD 相交;(4)×,非連通圖

1.2 矩陣快速冪

```
1 using 11 = long long;
   using mat = vector<vector<ll>>;
   const int mod = 1e9 + 7;
   mat operator*(mat A, mat B) {
    mat res(A.size(), vector<ll>(B[0].size()));
     for(int i=0; i<A.size(); i++) {</pre>
       for(int j=0; j<B[0].size(); j++) {</pre>
         for(int k=0; k<B.size(); k++) {</pre>
          res[i][j] += A[i][k] * B[k][j] % mod;
          res[i][j] %= mod;
12
13
15
    return res;
18
   mat I = ;
   // compute matrix M^n
   // 需先 init I 矩陣
   mat mpow(mat& M, int n) {
    if(n <= 1) return n ? M : I;
    mat v = mpow(M, n>>1);
    return (n & 1) ? v*v*M : v*v;
27
   // 迴圈版本
   mat mpow(mat M, int n) {
    mat res(M.size(), vector<ll>(M[0].size()));
    for(int i=0; i<res.size(); i++)</pre>
       res[i][i] = 1;
32
    for(; n; n>>=1) {
      if(n & 1) res = res * M;
      M = M * M;
36
    return res;
```

1.3 質數與因數

```
歐拉篩O(n)
   #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
   bool isPrime[MAXN];
   int p[MAXN];
   int pSize=0;
   void getPrimes(){
    memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
    isPrime[0]=isPrime[1]=false;
     for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
      if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
10
       for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
12
        isPrime[i*p[j]]=false;
13
         if(i%p[j]==0) break;
14
15
16
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
   int GCD(int a, int b){
    if(b == 0) return a;
    return GCD(b, a%b);
22 }
   質因數分解
   void primeFactorization(int n){
    for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
      if(p[i]*p[i] > n) break;
       if(n % p[i]) continue;
      cout << p[i] << ' ';\\
29
       while(n%p[i] == 0) n /= p[i];
30
31
32
    if(n != 1) cout << n << ' ';
    cout << ' \ n';
```

```
35
   擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)
36
   int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y) {
37
     if(b == 0){
39
       x = 1, y = 0;
40
       return a;
41
42
     int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
43
     y -= a/b*x;
44
     return d:
45
   }
46
   int main(){
47
     int a, b, x, y;
48
     cin >> a >> b;
     ext_euc(a, b, x, y);
cout << x << ' ' << y << endl;
49
50
51
     return 0;
52
53
54
55
56
   解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #define N 20000000
59
   int ox[N], p[N], pr;
60
   void PrimeTable(){
     ox[0] = ox[1] = 1;
61
     pr = 0;
63
     for(int i=2;i<N;i++){</pre>
64
       if(!ox[i]) p[pr++] = i;
       for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
65
66
         ox[i*p[j]] = 1;
67
68
   }
   int main(){
69
     PrimeTable():
70
71
     int n:
72
     while(cin>>n, n){
73
       int x:
74
       for(x=1;; x+=2)
75
         if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
       printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);
76
77
     }
78
   }
79
   problem :
80
   給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
   如果N是質數,則答案為 1。
83
   如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
   如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
85
86
   bool isPrime(int n){
87
     for(int i=2;i<n;++i){</pre>
88
89
       if(i*i>n) return true;
       if(n%i==0) return false;
90
91
92
     return true;
93
   int main(){
94
    int n;
95
     if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
97
     else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
     else cout<<"3\n";</pre>
99
100 }
```

1.4 歐拉函數

1.5 乘法逆元、組合數

if(n>1) ans=ans-ans/n;

return ans:

10

11

```
x^{-1} mod m
                                 if x = 1
          -\left\lfloor \frac{m}{x}\right\rfloor (m \ mod \ x)^{-1}, otherwise
                    1
                                    if r = 1
                                               (mod \ m)
          (m - \left\lfloor \frac{m}{x} \right\rfloor)(m \mod x)^{-1}, otherwise
   若 p \in prime, 根據費馬小定理, 則
        ax \equiv 1 \pmod{p}
     \therefore \quad ax \quad \equiv \quad a^{p-1} \pmod{p}
         x \equiv a^{p-2} \pmod{p}
 1 using ll = long long;
   const int maxn = 2e5 + 10;
   const int mod = 1e9 + 7;
   int fact[maxn] = {1, 1}; // x! % mod
   int inv[maxn] = {1, 1}; // x^(-1) % mod
   int invFact[maxn] = {1, 1};// (x!)^(-1) % mod
 9
   void build() {
     for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
       fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
11
       inv[x] = (11)(mod-mod/x)*inv[mod%x]%mod;
12
13
       invFact[x] = (11)invFact[x-1]*inv[x]%mod;
14
15 }
16
   // 前提: mod 為質數
17
18
   void build() {
     auto qpow = [&](11 a, int b) {
19
       ll res = 1;
20
21
       for(; b; b>>=1) {
22
         if(b & 1) res = res * a % mod;
23
         a = a * a % mod;
24
25
       return res;
     };
26
27
28
     for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
29
        fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
       invFact[x] = qpow(fact[x], mod-2);
30
31
32 }
33
   // C(a, b) % mod
35 int comb(int a, int b) {
    if(a < b) return 0;</pre>
37
     11 x = fact[a];
38
     11 y = (11)invFact[b] * invFact[a-b] % mod;
39
     return x * y % mod;
```

1.6 大步小步

40 }

```
給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
2
   題 解
  餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
      B^0 B^P,B^1 B^(P+1),...,
  也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
      能得到結果,但會超時。
  將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
  設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次。
8 B^(mx+y) N(mod P)
9 B^(mx)B^y N(mod P)
10 B^y N(B^(-m))^x (mod P)
  先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
12 再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的
      В^у∘
13 這種算法稱為大步小步演算法,
```

```
大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
   小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
15
    複雜度分析
16
   利用 map/unorder_map 存放
        B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
   枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
   存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為
        0(\sqrt{P\log\sqrt{P}})/0(\sqrt{P}) \circ
   using LL = long long;
21
22
   LL B, N, P;
   LL fpow(LL a,LL b,LL c){
23
       LL res=1;
24
       for(;b;b >>=1){
25
26
          if(b&1)
27
              res=(res*a)%c;
28
           a=(a*a)%c;
       }
29
30
       return res;
31
32
   LL BSGS(LL a, LL b, LL p){
       a%=p,b%=p;
33
       if(a==0)
35
          return b==0?1:-1;
36
       if(b==1)
37
          return 0;
       map<LL, LL> tb;
38
39
       LL sq=ceil(sqrt(p-1));
       LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
40
       tb[1]=sq;
       for(LL i=1,tmp=1;i<sq;++i){</pre>
42
43
           tmp=(tmp*a)%p;
44
           if(!tb.count(tmp))
45
              tb[tmp]=i;
46
       for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
47
          if(tb.count(b)){
48
49
              LL res=tb[b];
              return i*sq+(res==sq?0:res);
50
51
          b=(b*inv)%p;
52
       }
53
54
       return -1;
55
56
   int main(){
       IOS: //輸入優化
57
       while(cin>>P>>B>>N){
          LL ans=BSGS(B,N,P);
59
60
           if(ans==-1)
61
              cout<<"no solution\n";</pre>
62
           else
              cout<<ans<<'\n';
63
64
       }
65 }
```

2 字串

2.1 最長迴文子字串

```
#include<bits/stdc++.h>
   #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
   using namespace std;
   string s;
 6
   int n:
   int ex(int 1,int r){
     while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;</pre>
10
11
12
13
   int main(){
15
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx=0;
     int center=0:
18
     vector<int> r(n);
19
20
     int ans=1;
21
     r[0]=1;
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
26
         r[i]=ex(i,i);
27
         center=i;
28
         mx=i+r[i]-1;
29
30
       else if(r[ii]==len){
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
         center=i:
         mx=i+r[i]-1;
33
34
       }
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout << ans -1 << "\n";
39
     return 0;
```

2.2 KMP

```
const int maxn = 1e6 + 10;
 2
                          // len(a), len(b)
 3
   int n. m:
                          // failure function
   int f[maxn];
   char a[maxn], b[maxn];
 7
   void failureFuntion() { // f[0] = 0
       for(int i=1, j=0; i<m; ) {</pre>
 8
           if(b[i] == b[j]) f[i++] = ++j;
10
           else if(j) j = f[j-1];
11
           else f[i++] = 0;
12
       }
   }
13
14
15
   int kmp() {
       int i = 0, j = 0, res = 0;
16
17
       while(i < n) {</pre>
18
           if(a[i] == b[j]) i++, j++;
19
           else if(j) j = f[j-1];
20
           else i++;
21
           if(j == m) {
              res++; // 找到答案
22
23
              j = 0; // non-overlapping
24
25
       return res;
26
27
   }
28
```

2.3 Z Algorithm

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
   int z[maxn]; // s[0:z[i]) = s[i:i+z[i])
   string s;
   void makeZ() { // z[0] = 0
     for(int i=1, l=0, r=0; i<s.length(); i++) {</pre>
       if(i<=r && z[i-1]<r-i+1) z[i] = z[i-1];</pre>
       else {
         z[i] = max(0, r-i+1);
10
         while(i+z[i]<s.length() &&</pre>
11
              s[z[i]]==s[i+z[i]]) z[i]++;
       if(i+z[i]-1 > r) l = i, r = i+z[i]-1;
13
    }
15 }
```

3 algorithm

3.1 三分搜

```
題意
   給定兩射線方向和速度,問兩射線最近距離。
3
   假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離, F(t)
        為二次函數,
   可用三分搜找二次函數最小值。
   struct Point{
      double x, y, z;
       Point() {}
      Point(double _x,double _y,double _z):
          x(_x),y(_y),z(_z){}
10
       friend istream& operator>>(istream& is,
11
           Point& p) {
12
          is >> p.x >> p.y >> p.z;
13
          return is;
14
15
      Point operator+(const Point &rhs) const{
          return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
16
17
      Point operator-(const Point &rhs) const{
18
19
          return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
20
       Point operator*(const double &d) const{
21
22
          return Point(x*d,y*d,z*d);
23
       Point operator/(const double &d) const{
24
25
          return Point(x/d,y/d,z/d);
26
       double dist(const Point &rhs) const{
27
28
          double res = 0;
          res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
29
30
          res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
          res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
31
32
          return res;
33
      }
34
   };
   int main(){
35
36
               //輸入優化
37
       int T;
38
      cin>>T;
39
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
40
          double time:
          Point x1,y1,d1,x2,y2,d2;
41
          cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2;
42
43
          d1=(y1-x1)/time;
44
          d2=(y2-x2)/time;
45
          double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
46
          double ans = x1.dist(x2);
          while(abs(L-R)>1e-10){
47
              m1=(L+R)/2;
48
49
              m2=(m1+R)/2;
              f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
50
51
              f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
              ans = min(ans,min(f1,f2));
52
53
              if(f1<f2) R=m2;
              else L=m1;
54
55
56
          cout<<"Case "<<ti<<": ";
57
          cout << fixed << setprecision(4) <<</pre>
                sqrt(ans) << ' \ '';
58
59 }
```

3.2 差分

```
1 用途:在區間[1, r]加上一個數字v。
2 b[1] += v; (b[0~1]加上v)
3 b[r+1] -= v; (b[r+1~n]減去v(b[r]仍保留v))
4 給的 a[]是前綴和數列,建構 b[],
5 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
6 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
```

```
在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
                                                         int nextR=-1;
                                               54
                                                                                              131 }
   最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
                                                         for(int j=R; j>=L; -- j){
                                                                                              132 最少延遲數量問題
                                               55
   這樣一來, b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
                                                            if(a[j]){
                                               56
                                                                                              133 //problem
   int a[1000], b[1000];
                                               57
                                                                nextR=j;
                                                                                                  給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti ,
                                                                                              134
   // a: 前綴和數列, b: 差分數列
                                                                                              135
                                                                                                  期限是 Di, 求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
11
                                               58
                                                                break;
  int main(){
12
                                               59
                                                                                              136
                                                                                                  //solution
                                                                                                  期限越早到期的工作越先做。
13
      int n, 1, r, v;
                                               60
                                                                                              137
                                                         if(nextR==-1){
14
      cin >> n;
                                               61
                                                                                                  將工作依照到期時間從早到晚排序,
                                                                                              138
15
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
                                               62
                                                            ans=-1:
                                                                                              139
                                                                                                  依 序 放 入 工 作 列 表 中 , 如 果 發 現 有 工 作 預 期 ,
         cin >> a[i];
16
                                               63
                                                            break;
                                                                                                  就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                                                              140
17
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
                                               64
                                                         }
                                                                                              141
                                                                                                  上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                               65
                                                         ++ans;
18
                                                                                              142
19
      cin >> 1 >> r >> v:
                                               66
                                                         i=nextR+r;
                                                                                              143
      b[1] += v;
                                               67
                                                                                                  給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
20
                                                                                              144
21
      b[r+1] -= v;
                                               68
                                                      cout<<ans<<'\n';
                                                                                              145
                                                                                                  //solution
22
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
                                               69 }
                                                                                              146
                                                                                                  和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
         b[i] += b[i-1];
                                               70 最多不重疊區間
                                                                                                  工作處裡時長 → 烏龜重量
23
                                                                                              147
         cout << b[i] << ' ';
                                                                                                  工作期限 → 烏龜可承受重量
24
                                                  //problem
25
                                                  給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                                                                  多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                               72
                                                                                              149
                                                                                                  //code
26 }
                                               73
                                                  請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                                                              150
                                               74
                                                  //solution
                                                                                              151
                                                                                                  struct Work{
                                                  依照右界由小到大排序,
                                                                                              152
                                                                                                     int t. d:
                                                  每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                                                              153
                                                                                                     bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
   3.3 greedy
                                                                                                        return d<rhs.d;</pre>
                                               77
                                                  //code
                                                                                              154
                                               78
                                                  struct Line{
                                                                                              155
  刪數字問題
                                               79
                                                     int L.R:
                                                                                              156
                                                                                                  };
   //problem
                                                      bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
                                                                                                  int main(){
                                               80
                                                                                              157
   給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
 3
                                               81
                                                          return R<rhs.R:
                                                                                              158
                                                                                                     int n=0:
   請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
                                                                                                     Work a[10000];
                                               82
                                                                                              159
   //solution
                                               83
                                                  };
                                                                                              166
                                                                                                     priority_queue<int> pq;
   刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i
                                                  int main(){
                                                                                                     while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                               84
                                                                                              161
       位數,
                                               85
                                                     int t;
                                                                                              162
   扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
                                               86
                                                      cin>>t:
                                                                                              163
                                                                                                     sort(a,a+n);
   //code
                                               87
                                                     Line a[30]:
                                                                                              164
                                                                                                     int sumT=0.ans=n:
   int main(){
9
                                                      while(t--){
                                                                                                     for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                               88
                                                                                              165
10
      string s;
                                               89
                                                         int n=0:
                                                                                                        pq.push(a[i].t);
                                                                                              166
11
      int k;
                                               90
                                                         while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R6)
                                                                                                         sumT+=a[i].t;
12
      cin>>s>>k;
                                               91
                                                            ++n;
                                                                                                         if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                                                              168
13
      for(int i=0;i<k;++i){</pre>
                                               92
                                                         sort(a,a+n);
                                                                                              169
                                                                                                            int x=pq.top();
         if((int)s.size()==0) break:
14
                                               93
                                                         int ans=1,R=a[0].R;
                                                                                              170
                                                                                                            pq.pop();
15
          int pos =(int)s.size()-1;
                                                         for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                                                              171
                                                                                                            sumT-=x;
                                               94
16
         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
                                                             if(a[i].L>=R){
                                               95
                                                                                              172
                                                                                                            --ans:
17
             if(s[j]>s[j+1]){
                                                                ++ans;
                                               96
                                                                                              173
                                                                                                        }
18
                pos=j;
                                               97
                                                                R=a[i].R;
                                                                                              174
                break;
19
                                               98
                                                            }
                                                                                              175
                                                                                                     cout<<ans<<'\n';
20
             }
                                                                                              176 }
                                                         }
                                               99
21
         }
                                                         cout<<ans<<'\n';
                                               100
                                                                                              177
22
         s.erase(pos,1);
                                              101
                                                     }
                                                                                                  任務調度問題
                                                                                              178
23
                                              102
                                                                                              179
                                                                                                  //problem
24
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
                                              103
                                                  最小化最大延遲問題
                                                                                              180
                                                                                                  給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
25
         s.erase(0,1);
                                                                                                  期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
                                              104 //problem
                                                                                              181
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
26
                                                  給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                                                       單位懲罰,
      else cout<<0<<'\n';
27
                                                  期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為
                                              106
                                                                                              182
                                                                                                  請問最少會受到多少單位懲罰。
  3
28
                                                       Li=max(0,Fi-Di),
                                                                                              183
                                                                                                  //solution
  最小區間覆蓋長度
29
                                              107
                                                  原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                                                              184
                                                                                                  依照懲罰由大到小排序,
   //problem
                                                  求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                                                                  每項工作依序嘗試可不可以放在
   給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
31
                                              109
                                                  //solution
                                                                                                      Di-Ti+1, Di-Ti, ..., 1, 0,
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
                                                  按照到期時間從早到晚處理。
                                              110
                                                                                                  如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                                                              186
   //solution
                                              111
                                                   //code
                                                                                              187
   先將 所有 區間 依照 左界 由 小 到 大 排 序,
                                                  struct Work{
                                              112
                                                                                              188
35
   對於當前區間「Li.Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                      int t, d;
                                                                                                  給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                              113
                                                                                              189
36
   找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
                                              114
                                                      bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                  期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                                                              190
37
                                                         return d<rhs.d:
                                              115
                                                                                                       單位獎勵,
   //problem
38
                                                                                                  請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                              116
                                                                                              191
   長度 n 的直線中有數個加熱器,
                                              117 };
                                                                                              192
                                                                                                  //solution
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                              118
                                                  int main(){
                                                                                              193
                                                                                                  和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
                                              119
                                                      int n;
                                                                                              194
                                                                                                  //code
   //solution
                                              120
                                                      Work a[10000];
                                                                                                  struct Work{
                                                                                              195
43
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器
                                                      cin>>n:
                                                                                              196
                                                                                                     int d,p;
                                              121
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
                                              122
                                                      for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                                                              197
                                                                                                     bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
45
   //code
                                                                                                        return p>rhs.p;
                                                         cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                              123
                                                                                              198
46
   int main(){
                                              124
                                                      sort(a,a+n);
                                                                                              199
47
      int n, r;
                                              125
                                                      int maxL=0,sumT=0;
                                                                                              200
                                                                                                  };
      int a[1005];
48
                                              126
                                                      for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                                              201
                                                                                                  int main(){
49
      cin>>n>>r;
                                              127
                                                         sumT+=aΓil.t:
                                                                                                     int n:
                                                                                              202
50
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
                                              128
                                                         maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                                                              203
                                                                                                     Work a[100005];
      int i=1,ans=0;
                                                                                                     bitset<100005> ok;
51
                                              129
                                                                                              204
52
      while(i<=n){</pre>
                                                      cout<<maxL<<'\n';</pre>
                                                                                                     while(cin>>n){
```

int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)

```
ok.reset();
                                                 54 int dinic() {// O((V^2)E)
206
                                                                                                  67
                                                                                                         for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
          for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                        int result = 0;
207
                                                 55
                                                                                                  68
              cin>>a[i].d>>a[i].p;
                                                        while(bfs()) {
                                                                                                            if (dfn[i] == 0)
208
                                                 56
                                                                                                  69
209
           sort(a,a+n);
                                                 57
                                                           memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
                                                                                                  70
                                                                                                                dfs(i);
                                                            result += dfs(S, inf);
210
          int ans=0:
                                                 58
                                                                                                  71
                                                                                                         }
          for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                 59
                                                                                                  72
                                                                                                         printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
211
              int j=a[i].d;
212
                                                 60
                                                        return result;
                                                                                                              MOD):
213
              while(j--)
                                                 61 }
                                                                                                  73
                                                                                                         return 0;
214
                 if(!ok[j]){
                                                                                                  74 }
215
                     ans+=a[i].p;
216
                     ok[j]=true;
                                                    3.5 SCC Tarjan
217
                     break:
                                                                                                     3.6 SCC Kosaraju
218
                                                  1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小
219
                                                    //的要數出來,因為題目要方法數
220
          cout<<ans<<'\n';
                                                                                                   1 //做兩次dfs, O(V + E)
                                                  3 //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
221
                                                                                                     //g 是原圖, g2 是反圖
                                                  4 //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
222 }
                                                                                                      //s是dfs離開的節點
                                                  5 #define maxn 100005
                                                                                                     void dfs1(int u) {
                                                    #define MOD 1000000007
                                                                                                         vis[u] = true;
                                                  7 long long cost[maxn];
   3.4 dinic
                                                                                                         for (int v : g[u])
```

```
const int maxn = 1e5 + 10;
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
   struct Edge {
      int s, t, cap, flow;
 5 };
 6
   int n, m, S, T;
   int level[maxn], dfs_idx[maxn];
   vector<Edge> E;
   vector<vector<int>> G;
10
   void init() {
11
      S = 0:
      T = n + m;
12
13
      E.clear();
14
       G.assign(maxn, vector<int>());
   }
15
   void addEdge(int s, int t, int cap) {
16
       E.push_back({s, t, cap, 0});
17
       E.push_back({t, s, 0, 0});
18
       G[s].push_back(E.size()-2);
19
20
       G[t].push_back(E.size()-1);
   }
21
22
   bool bfs() {
       queue<int> q({S});
23
24
       memset(level, -1, sizeof(level));
25
       level[S] = 0;
26
       while(!q.empty()) {
          int cur = q.front();
27
28
          a.pop():
29
          for(int i : G[cur]) {
              Edge e = E[i];
30
              if(level[e.t]==-1 &&
31
                    e.cap>e.flow) {
                  level[e.t] = level[e.s] + 1;
32
33
                  q.push(e.t);
34
              }
35
          }
      }
36
37
       return ~level[T];
38
  }
   int dfs(int cur, int lim) {
39
40
       if(cur==T || lim==0) return lim;
       int result = 0;
41
42
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
            && lim; i++) {
          Edge& e = E[G[cur][i]];
43
          if(level[e.s]+1 != level[e.t])
44
                continue:
          int flow = dfs(e.t, min(lim,
                e.cap-e.flow));
          if(flow <= 0) continue;</pre>
46
          e.flow += flow;
47
          result += flow;
48
49
          E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
          lim -= flow;
50
51
52
       return result;
53 }
```

32

34

35

36

37

38

39

40

41

42

43

44

45

46

47

48

49

51

53

54

55

56

58

59

60

61

63

64

65

int main() {

int n:

int m:

int u, v;

scanf("%d", &n);

scanf("%d", &m);

//如果是*SCC*

++SCC;

while (1) {

if (dfn[u] == low[u]) {

int currWays = 0;

sk.pop():

int v = sk.top();

inStack[v] = 0;

long long minCost = 0x3f3f3f3f;

if (minCost > cost[v]) {

currWays = 1;

++currWays;

ways = (ways * currWays) % MOD;

if(v == u)

break:

totalCost += minCost:

for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>

scanf("%11d", &cost[i]);

G.assign(n + 5, vector<int>());

for (int i = 0; i < m; ++i) {</pre>

scanf("%d %d", &u, &v);

G[u].emplace_back(v);

minCost = cost[v];

else if (minCost == cost[v]) {

```
8 vector<vector<int>> G;
                                                              if (!vis[v]) dfs1(v);
 9 int SCC = 0;
                                                           s.push_back(u);
10 stack<int> sk;
                                                    9 }
11 int dfn[maxn];
                                                    10
12 int low[maxn];
                                                       void dfs2(int u) {
                                                   11
13 bool inStack[maxn];
                                                    12
                                                          group[u] = sccCnt;
14 int dfsTime = 1;
                                                    13
                                                           for (int v : g2[u])
15 long long totalCost = 0;
                                                              if (!group[v]) dfs2(v);
                                                    14
16 long long ways = 1;
                                                    15 }
17 void dfs(int u) {
                                                    16
      dfn[u] = low[u] = dfsTime;
18
                                                    17
                                                       void kosaraju() {
19
       ++dfsTime:
                                                           sccCnt = 0;
                                                    18
20
       sk.push(u);
                                                           for (int i = 1; i <= n; ++i)
                                                    19
21
       inStack[u] = true;
                                                    20
                                                              if (!vis[i]) dfs1(i);
       for (int v: G[u]) {
22
                                                    21
                                                           for (int i = n; i >= 1; --i)
          if (dfn[v] == 0) {
                                                              if (!group[s[i]]) {
                                                    22
24
              dfs(v):
                                                    23
                                                                  ++sccCnt:
25
              low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                    24
                                                                  dfs2(s[i]);
26
                                                    25
                                                              }
27
          else if (inStack[v]) {
                                                    26 }
              //屬於同個SCC且是我的back edge
28
29
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
30
```

3.7 ArticulationPoints Tarjan

```
vector<vector<int>>> G;
   int N, timer;
   bool visited[105];
   int dfn[105]; // 第一次visit的時間
   int low[105];
   //最小能回到的父節點
   //(不能是自己的parent)的visTime
8 int res:
   void tarjan(int u, int parent) {
10
      int child = 0;
11
12
      bool isCut = false;
      visited[u] = true;
13
      dfn[u] = low[u] = ++timer;
      for (int v: G[u]) {
15
          if (!visited[v]) {
16
17
              ++child;
18
              tarjan(v, u);
19
              low[u] = min(low[u], low[v]);
20
              if (parent != -1 && low[v] >=
                   dfn[u])
21
                 isCut = true;
22
23
          else if (v != parent)
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
24
25
      //If u is root of DFS
26
            tree->有兩個以上的children
      if (parent == -1 && child >= 2)
27
          isCut = true;
28
29
      if (isCut) ++res;
30 }
31 int main() {
```

Jc11

```
char input[105];
                                                   39
                                                                                                      15
      char* token:
                                                                 if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
                                                                                                      16 };
33
                                                   40
      while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
34
                                                                     for(int j=pre[cur]; j!=cur;
                                                                                                         struct Item_astar {
                                                   41
                                                                                                      17
          G.assign(105, vector<int>());
                                                                         j=pre[j])
35
                                                                                                      18
                                                                                                            int u, g, f;
          memset(visited, false,
                                                                        idx[j] = seq;
                                                                                                            bool operator <(const Item_astar& other)</pre>
36
                                                   42
                                                                                                      19
               sizeof(visited));
                                                                     idx[cur] = seq++;
                                                                                                                  const {
                                                   43
          memset(low, 0, sizeof(low));
                                                                 }
                                                                                                                return this->f > other.f;
37
                                                   44
                                                                                                      20
          memset(dfn, 0, sizeof(visited));
38
                                                   45
                                                                                                      21
39
          timer = 0;
                                                   46
                                                             if(seq == 0) return result; // 沒有
                                                                                                      22 }:
40
          res = 0;
                                                                                                         vector<vector<Edge>> G;
                                                                                                      23
                                                                  cvcle
41
          getchar(); // for \n
                                                   47
                                                             for(int i=0; i<N; i++)</pre>
                                                                                                      24
                                                                                                         //反向圖,用於建h(u)
                                                                 // 沒有被縮點的點
          while (fgets(input, 105, stdin)) {
                                                                                                         vector<vector<Edge>> invertG;
42
                                                   48
43
              if (input[0] == '0')
                                                   49
                                                                 if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
                                                                                                         int h[maxn];
                 break;
                                                                                                         bool visited[maxn];
                                                             // 縮點並重新編號
                                                                                                      27
44
                                                   50
                                                                                                         int cnt[maxn];
45
              int size = strlen(input);
                                                   51
                                                             for(Edge& e : edges) {
                                                                                                      28
              input[size - 1] = ' \setminus 0';
                                                                                                         //用反向圖去求出每一點到終點的最短距離,並以此當作h(u)
46
                                                   52
                                                                 if(idx[e.s] != idx[e.t])
                                                                                                      29
47
              --size:
                                                   53
                                                                    e.cost -= inEdge[e.t];
                                                                                                         void dijkstra(int s, int t) {
                                                                                                      30
              token = strtok(input, " ");
                                                                 e.s = idx[e.s];
                                                                                                            memset(visited, 0, sizeof(visited));
48
49
              int u = atoi(token);
                                                   55
                                                                 e.t = idx[e.t];
                                                                                                            priority_queue<Item_pqH> pq;
                                                                                                      32
                                                                                                            pg.push({s, 0});
50
              int v;
                                                   56
                                                                                                      33
              while (token = strtok(NULL, " "))
                                                                                                            h[s] = 0;
51
                                                   57
                                                             N = seq;
                                                                                                      34
                                                             root = idx[root];
                                                                                                      35
                                                                                                            while (!pq.empty()) {
                   {
                                                   58
52
                 v = atoi(token);
                                                   59
                                                                                                      36
                                                                                                                Item_pqH curr = pq.top();
                 G[u].emplace_back(v);
53
                                                   60 }
                                                                                                      37
                                                                                                                pq.pop();
                 G[v].emplace_back(u);
                                                                                                                visited[curr.u] = true;
54
                                                                                                      38
              }
                                                                                                                for (Edge& edge: invertG[curr.u]) {
55
                                                                                                      39
                                                                                                                    if (!visited[edge.v]) {
                                                                                                      40
56
                                                      3.9 二分圖最大匹配
57
          tarjan(1, -1);
                                                                                                      41
                                                                                                                       if (h[edge.v] > h[curr.u] +
          printf("%d \ n", res);
58
                                                                                                                             edge.w) {
59
                                                   1 /* 核心: 最大點獨立集 = /V/ -
                                                                                                      42
                                                                                                                           h[edge.v] = h[curr.u] +
60
      return 0;
                                                                                                                                edge.w;
                                                           /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
                                                    2 vector<Student> boys;
61 }
                                                                                                      43
                                                                                                                           pq.push({edge.v,
                                                                                                                                h[edge.v]});
                                                    3 vector<Student> girls;
                                                    4 vector<vector<int>> G;
                                                                                                                       }
                                                                                                      44
                                                                                                      45
                                                                                                                    }
   3.8 最小樹狀圖
                                                    5 bool used[505];
                                                                                                                }
                                                                                                      46
                                                      int p[505];
                                                                                                      47
                                                                                                            }
                                                      bool match(int i) {
   const int maxn = 60 + 10;
                                                         for (int j: G[i]) {
                                                                                                      48
                                                                                                         }
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                         int Astar(int s, int t, int k) {
                                                                                                      49
                                                             if (!used[j]) {
   struct Edge {
                                                                                                            memset(cnt, 0, sizeof(cnt));
                                                                                                      50
                                                                 used[j] = true;
                                                   10
      int s, t, cap, cost;
                                                                                                            priority_queue<Item_astar> pq;
                                                                                                      51
                                                   11
                                                                 if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
   }; // cap 為頻寬 (optional)
                                                                                                            pq.push({s, 0, h[s]});
                                                                    p[j] = i;
                                                   12
   int n, m, c;
                                                                                                            while (!pq.empty()) {
                                                   13
                                                                     return true;
                                                                                                      53
   int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
                                                                                                      54
                                                                                                                Item_astar curr = pq.top();
                                                                 }
                                                   14
        visΓmaxnl:
                                                   15
                                                             }
                                                                                                      55
                                                                                                                pq.pop();
   // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
                                                                                                                ++cnt[curr.u];
                                                                                                      56
                                                   16
   // 找環,如果沒有則 return;
                                                                                                                //終點出現k次,此時即可得k短路
                                                                                                      57
                                                   17
                                                          return false;
10
   // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
                                                                                                                if (cnt[t] == k)
                                                                                                      58
                                                   18 }
   int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
11
                                                      void maxMatch(int n) {
                                                                                                      59
                                                                                                                    return curr.g;
                                                   19
      int result = 0, root = 0, N = n;
12
                                                                                                                for (Edge& edge: G[curr.u]) {
                                                         memset(p, -1, sizeof(p));
                                                                                                      60
                                                   20
13
      while(true) {
                                                                                                                    if (cnt[edge.v] < k) {</pre>
                                                         int res = 0;
                                                                                                      61
                                                   21
          memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
14
                                                                                                                       pq.push({edge.v, curr.g +
                                                         for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
                                                   22
15
          // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
                                                                                                                             edge.w, curr.g + edge.w
                                                             memset(used, false, sizeof(used));
                                                   23
          // optional: low 為最小 cap 限制
16
                                                                                                                             + h[edge.v]});
                                                             if (match(i))
                                                   24
          for(const Edge& e : edges) {
17
                                                                                                      63
                                                   25
                                                                 ++res;
18
              if(e.cap < low) continue;</pre>
                                                                                                      64
                                                                                                                }
                                                   26
                                                         }
              if(e.s!=e.t &&
19
                                                                                                      65
                                                                                                            }
                                                         cout << n - res << '\n';
                                                   27
                   e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
                                                                                                      66
                                                                                                            return -1;
                  inEdge[e.t] = e.cost;
20
                                                                                                      67
21
                 pre[e.t] = e.s;
                                                                                                         int main() {
                                                                                                      68
              }
22
                                                                                                      69
                                                                                                            int n, m;
                                                      3.10 Astar
23
                                                                                                            while (scanf("%d %d", &n, &m) && (n != 0
                                                                                                      70
24
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                                                                                  && m != 0)) {
              if(i!=root && inEdge[i]==inf)
25
                                                                                                      71
                                                                                                                G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                      /*A*求k短路
26
                  return -1;//除了root 還有點沒有in
                                                                                                                invertG.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                                                                      72
                                                        f(x) = g(x) + h(x)
                       edge
                                                                                                      73
                                                                                                                int s, t, k;
                                                        g(x) 是實際 cost, h(x) 是估計 cost
                                                   3
27
                                                                                                                scanf("%d %d %d", &s, &t, &k);
                                                        在此h(x)用所有點到終點的最短距離,則當用Astar找點 74
28
          int seq = inEdge[root] = 0;
                                                                                                                int u, v, w;
                                                                                                      75
                                                        當該點cnt[u] == k時即得到該點的第k短路
29
          memset(idx, -1, sizeof(idx));
                                                                                                      76
                                                                                                                for (int i = 0; i < m; ++i) {
                                                    6
                                                      */
          memset(vis, -1, sizeof(vis));
30
                                                                                                                    scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                                                                      77
                                                      #define maxn 105
                                                   7
          // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
31
                                                                                                                    G[u].emplace_back(Edge{u, v, w});
                                                                                                      78
                                                      struct Edge {
32
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                                                                                    invertG[v].emplace_back(Edge{v,
                                                                                                      79
                                                         int u, v, w;
                                                   9
              result += inEdge[i];
33
                                                                                                                         u, w});
                                                   10 };
              int cur = i;
34
                                                                                                                }
                                                                                                      80
                                                   11 struct Item_pqH {
35
              while(vis[cur]!=i &&
                                                                                                                memset(h, 0x3f, sizeof(h));
                                                                                                      81
```

12

13

idx[cur]==-1) {

vis[cur] = i;

cur = pre[cur];

36

37

38

if(cur == root) break;

int u, w;

const {

bool operator <(const Item_pqH& other)</pre>

return this->w > other.w;

82

83

dijkstra(t, s);

printf("% $d \ n$ ", Astar(s, t, k));

```
8 int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
      return 0;
                                                   27 //能不能產生出新的增廣路
                                                  28 //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                                                                      9 long long dis[maxn][31];
                                                   29 //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配10 int dep[maxn];//深度
                                                     void update()
                                                                                                         void dfs(int u, int p) {//預處理fa
                                                   31 \ {
                                                                                                      12
                                                                                                            fa[u][0] = p; //因為u的第2^0 = 1的祖先就是p
   3.11
            JosephusProblem 5 4 1
                                                          int diff = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                            dep[u] = dep[p] + 1;
                                                   32
                                                                                                      13
                                                         for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
                                                                                                            //第2^{i}的祖先是(第2^{i} - 1)個祖先)的
                                                  33
                                                                                                      14
                                                                                                            //第2<sup>^</sup>(i - 1)的祖先
                                                             if (S[i]) {
                                                                                                      15
                                                   34
   //JosephusProblem,只是規定要先砍1號
   //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
                                                   35
                                                                 for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                                                                      16
                                                                                                            //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
                                                                    if (!T[j])
                                                                                                            for (int i = 1; i < 31; ++i) {
                                                   36
                                                                                                      17
   //再者從Ø開始比較好算,所以目標12順移成11
                                                   37
                                                                        diff = min(diff, Lx[i] +
                                                                                                      18
                                                                                                                fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
                                                                                                                dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
                                                                             Ly[j] - W[i][j]);
                                                                                                      19
   // O(n)
                                                   38
                                                                                                                     + dis[u][i - 1];
   int getWinner(int n, int k) {
                                                             }
                                                   39
                                                                                                      20
                                                                                                            }
      int winner = 0;
                                                   40
                                                                                                      21
                                                                                                            //遍歷子節點
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          winner = (winner + k) % i;
                                                   41
                                                          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                      22
                                                                                                            for (Edge& edge: G[u]) {
9
                                                             if (S[i]) Lx[i] -= diff;
                                                                                                                if (edge.v == p)
                                                                                                      23
10
      return winner;
                                                   42
                                                             if (T[i]) Ly[i] += diff;
                                                                                                                    continue;
                                                   43
11 }
                                                                                                      25
                                                                                                                dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                   44
12
                                                   45
                                                                                                      26
                                                                                                                dfs(edge.v, u);
13
   int main() {
                                                      void KM()
                                                   46
                                                                                                      27
      int n;
14
                                                                                                      28 }
                                                   47
                                                     {
15
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
                                                   48
                                                          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                      29 long long lca(int x, int y) {
16
          for (int k = 1; k \le n; ++k){
                                                   49
                                                             L\Gamma i \rceil = -1:
                                                                                                      30
                                                                                                            //此函數是找1ca同時計算x \cdot y的距離 -> dis(x,
17
                                                   50
                                                             Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                                                                                  lca) + dis(lca, y)
              if (getWinner(n, k) == 11){
18
                                                             for (int j = 0; j < n; ++j)</pre>
19
                 printf("%d\n", k);
                                                   51
                                                                                                      31
                                                                                                             //讓y比x深
                                                                                                            if (dep[x] > dep[y])
                                                                Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
                                                   52
                                                                                                      32
20
                 break;
                                                                                                                swap(x, y);
                                                   53
                                                                                                      33
21
                                                   54
                                                                                                            int deltaDep = dep[y] - dep[x];
                                                         for (int i = 0; i < n; ++i) {
22
          }
                                                                                                      34
23
      }
                                                   55
                                                             while(1) {
                                                                                                      35
                                                                                                            long long res = 0;
                                                                memset(S, false, sizeof(S));
                                                                                                            //讓y與x在同一個深度
                                                  56
                                                                                                      36
24
      return 0;
                                                                                                            for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                   57
                                                                 memset(T, false, sizeof(T));
                                                                                                      37
25
   }
                                                   58
                                                                 if (match(i))
                                                                                                                  deltaDep >>= 1)
26
                                                  59
                                                                    break;
                                                                                                      38
                                                                                                                if (deltaDep & 1)
27
   // O(k \log(n))
                                                                                                                    res += dis[y][i], y = fa[y][i];
   int josephus(int n, int k) {
                                                   60
                                                                                                      39
28
                                                                                                            if (y == x) //x = y \rightarrow x y彼此是彼此的祖先
                                                                    update(); //去調整vertex
    if (n == 1) return 0;
                                                   61
                                                                                                      40
                                                                         labeling以增加增廣路徑
                                                                                                      41
                                                                                                                return res;
    if (k == 1) return n - 1;
                                                             }
                                                                                                      42
                                                                                                             //往上找,一起跳,但x \times y不能重疊
    if (k > n) return (josephus(n-1,k)+k)%n;
                                                         }
                                                                                                            for (int i = 30; i >= 0 && y != x; --i) {
                                                   63
                                                                                                      43
    int res = josephus(n - n / k, k);
                                                                                                      44
                                                                                                                if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
     res -= n % k;
                                                   64
33
                                                      int main() {
                                                                                                      45
                                                                                                                   res += dis[x][i] + dis[y][i];
34
    if (res < 0)
                                                   65
                                                         while (scanf("%d", &n) != EOF) {
                                                                                                      46
                                                                                                                    x = fa[x][i];
                                                   66
35
      res += n; // mod n
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
36
    else
                                                   67
                                                                                                      47
                                                                                                                   y = fa[y][i];
                                                   68
                                                                 for (int j = 0; j < n; ++j)</pre>
                                                                                                      48
37
      res += res / (k - 1); // 还原位置
38
    return res;
                                                   69
                                                                     scanf("%d", &W[i][j]);
                                                                                                      49
                                                             KM();
                                                   70
                                                                                                            //最後發現不能跳了,此時x的第2^0 =
39 }
                                                                                                      50
                                                             int res = 0;
                                                   71
                                                                                                                  1個祖先(或說y的第2^0 =
                                                   72
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                                  1的祖先)即為x \cdot y的1ca
                                                   73
                                                                 if (i != 0)
                                                                                                      51
                                                                                                            res += dis[x][0] + dis[v][0];
   3.12 KM
                                                                    printf(" %d", Lx[i]);
                                                   74
                                                                                                      52
                                                                                                            return res;
                                                   75
                                                                                                      53 }
                                                                 else
                                                   76
                                                                    printf("%d", Lx[i]);
                                                                                                      54 int main() {
   #define maxn 505
                                                   77
                                                                 res += Lx[i];
                                                                                                      55
                                                                                                          int n, q;
  int W[maxn][maxn];
                                                   78
                                                                                                      56
                                                                                                          while (~scanf("%d", &n) && n) {
 3 int Lx[maxn], Ly[maxn];
                                                   79
                                                             puts("");
                                                                                                      57
   bool S[maxn], T[maxn];
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                            G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   80
                                                                                                      58
   //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
                                                   81
                                                                 if (i != 0)
                                                                                                      59
                                                                                                                for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
   int L[maxn];
                                                                    printf(" %d", Ly[i]);
                                                                                                              scanf("%d %d", &v, &w);
                                                   82
                                                                                                      60
   int n;
                                                                                                              G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
                                                   83
                                                                                                      61
   bool match(int i) {
                                                                    printf("%d", Ly[i]);
                                                                                                              G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
                                                   84
                                                                                                      62
      S[i] = true;
                                                   85
                                                                 res += Ly[i];
                                                                                                      63
10
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                   86
                                                             }
                                                                                                      64
                                                                                                                dfs(1, 0);
11
          // KM重點
                                                             puts(""):
                                                                                                                scanf("%d", &q);
                                                  87
                                                                                                      65
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
12
                                                             printf("%d \setminus n", res);
                                                   88
                                                                                                                int u;
13
          // 要想辦法降低Lx + Ly
                                                                                                                while (q--) {
                                                                                                      67
                                                  89
14
          // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                                                                                   scanf("%d %d", &u, &v);
                                                         return 0;
                                                                                                      68
15
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
                                                                                                                   69
               !T[j]) {
              T[i] = true;
16
                                                                                                      70
17
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
                                                      3.13 LCA 倍增法
                                                                                                      71
                                                                                                          }
18
                 L[j] = i;
                                                                                                      72
                                                                                                          return 0;
19
                 return true;
              }
20
                                                    1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
21
          }
                                                   2 //利用 1 ca找樹上任兩點距離
22
      }
                                                     #define maxn 100005
```

4 struct Edge {

6 };

int u, v, w;

7 vector<vector<Edge>> G; // tree

23

24

return false:

//修改二分圖上的交錯路徑上點的權重

26 //此舉是在通過調整vertex labeling看看

3.14 LCA 樹壓平 RMQ

1 //樹壓平求LCA RMQ(sparse table O(nlogn)建立, O(1)查詢), 求任意兩點距離, 7

```
//如果用笛卡兒樹可以壓到0(n)建立,0(1)查詢
                                                           G[v].push_back({v, i, w});
                                                  72
                                                                                                     58
   //理論上可以過,但遇到直鏈的case dfs深度會stack
                                                                                                     59
                                                                                                            return (depth[u] > depth[v]) ? v : u;
                                                  73
        overflow
                                                             dfs(0, -1);
                                                                                                     60 }
                                                  74
   #define maxn 100005
                                                  75
                                                             buildST();
                                                                                                        int getK_parent(int u, int k) {
                                                                                                     61
                                                             scanf("%d", &q);
                                                                                                            while (k-- && (u != -1))
   struct Edge {
                                                  76
                                                                                                     62
                                                  77
                                                                                                               u = parent[u];
 6
    int u, v, w;
                                                             int u;
                                                                                                     63
  };
 7
                                                             while (q--) {
                                                  78
                                                                                                     64
                                                                                                            return u:
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
   int dep[maxn], pos[maxn];
                                                  79
                                                                                                     65 }
                                                                printf("%11d%c", getDis(u, v),
   long long dis[maxn];
                                                   80
                                                                                                     66
                                                                                                        int main() {
                                                                      (q) ? ' ' : '\n');
   int st[maxn * 2][32]; //sparse table
10
                                                                                                     67
                                                                                                            int n:
   int realLCA[maxn * 2][32];
                                                  81
                                                                                                     68
                                                                                                            while (scanf("%d", &n) && n) {
                                                                                                               dfsTime = 1;
        //最小深度對應的節點,及真正的LCA
                                                       }
                                                  82
                                                                                                     69
   int Log[maxn]; //取代std::log2
                                                  83
                                                       return 0;
                                                                                                     70
                                                                                                               G.assign(n + 5, vector<int>());
   int tp; // timestamp
                                                  84 }
                                                                                                     71
                                                                                                               int u, v;
14
   vector<vector<Edge>> G; // tree
                                                                                                     72
                                                                                                               for (int i = 1; i < n; ++i) {
                                                                                                                   scanf("%d %d", &u, &v);
15
   void calLog() {
                                                                                                     73
    Log[1] = 0;
                                                                                                                   G[u].emplace_back(v);
16
                                                     3.15 LCA 樹鍊剖分
                                                                                                     74
    Log[2] = 1;
                                                                                                                   G[v].emplace_back(u);
                                                                                                     75
    for (int i = 3; i < maxn; ++i)</pre>
                                                                                                               }
18
                                                                                                     76
                                                   1 #define maxn 5005
                                                                                                               dfs1(1, -1);
19
      Log[i] = Log[i / 2] + 1;
                                                                                                     77
                                                   2 //LCA,用來練習樹鍊剖分
20
  }
                                                                                                     78
                                                                                                               dfs2(1, 1);
                                                    3 //題意:
21
   void buildST() {
                                                                                                     79
                                                                                                               int q;
                                                          給定樹,找任兩點的中點,若中點不存在(路徑為eveng)
                                                                                                               scanf("%d", &q);
22
     for (int j = 0; Log[tp]; ++j) {
                                                   4 int dfn[maxn];
                                                                                                               for (int i = 0; i < q; ++i) {</pre>
23
      for (int i = 0; i + (1 << j) - 1 < tp;
                                                                                                     81
                                                     int parent[maxn];
                                                                                                                   scanf("%d %d", &u, &v);
            ++i) {
                                                                                                     82
                                                    6 int depth[maxn];
        if (st[i - 1][j] < st[i - 1][j + (1 <<
24
                                                                                                     83
                                                                                                                   //先得到LCA
             i - 1)]) {
                                                    7 int subtreeSize[maxn];
                                                                                                                   int lca = LCA(u, v);
                                                                                                     84
                                                     //樹鍊的頂點
25
          st[i][j] = st[i - 1][j];
                                                                                                     85
                                                                                                                   //計算路徑長(經過的邊)
                                                    9 int top[maxn];
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j];
26
                                                                                                     86
                                                                                                                   int dis = depth[u] + depth[v] - 2
                                                   10 //將dfn轉成node編碼
27
                                                                                                                        * depth[lca];
                                                   11 int dfnToNode[maxn];
                                                                                                                   //讓v比u深或等於
28
        else {
                                                                                                     87
          st[i][j] = st[i - 1][j + (1 << i -
                                                   12 //重兒子
29
                                                                                                     88
                                                                                                                   if (depth[u] > depth[v])
                                                     int hson[maxn];
                                                  13
                                                                                                     89
                                                                                                                       swap(u, v);
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j + (1)]
                                                     int dfsTime = 1;
                                                                                                     90
                                                                                                                   if (u == v) {
30
                                                     //tree
                                                  15
                                                                                                                       printf("The fleas meet at
               << i - 1)];
                                                                                                     91
                                                   16 vector<vector<int>> G;
        }
                                                                                                                            %d.\n", u);
31
                                                     //處理parent、depth、subtreeSize、dfnToNode
32
      }
                                                  17
                                                                                                     92
                                                     void dfs1(int u, int p) {
                                                  18
                                                                                                                   else if (dis % 2 == 0) {
33
    }
                                                                                                     93
                                                         parent[u] = p;
   } // O(nlogn)
                                                   19
                                                                                                                       //路徑長是even -> 有中點
34
                                                                                                     94
                                                         hson [u] = -1:
   int query(int 1, int r) {// [1, r] min
                                                  20
                                                                                                     95
                                                                                                                       printf("The fleas meet at
35
                                                         subtreeSize[u] = 1;
        depth即為1ca的深度
                                                                                                                            %d.\n", getK_parent(v,
     int k = Log[r - 1 + 1];
                                                  22
                                                         for (int v: G[u]) {
                                                                                                                            dis / 2));
                                                  23
                                                             if (v != p) {
     if (st[1][k] < st[r - (1 << k) + 1][k])</pre>
                                                                                                                   }
37
                                                                                                     96
38
      return realLCA[1][k];
                                                  24
                                                                 depth[v] = depth[u] + 1;
                                                                                                     97
                                                                                                                   else {
                                                  25
                                                                dfs1(v, u);
39
     else
                                                                                                     98
                                                                                                                       //路徑長是odd -> 沒有中點
      return realLCA[r - (1 << k) + 1][k];</pre>
                                                                 subtreeSize[u] += subtreeSize[v];
                                                                                                                       if (depth[u] == depth[v]) {
40
                                                                                                     99
                                                                 if (hson[u] == -1 ||
41
   }
                                                  27
                                                                                                                          int x = getK_parent(u, dis
                                                                     subtreeSize[hson[u]] <</pre>
                                                                                                                               / 2);
   void dfs(int u, int p) {//euler tour
42
    pos[u] = tp;
                                                                     subtreeSize[v]) {
43
                                                                                                    101
                                                                                                                          int y = getK_parent(v, dis
                                                  28
                                                                    hson[u] = v;
44
     st[tp][0] = dep[u];
                                                                                                                               / 2);
     realLCA[tp][0] = dep[u];
                                                  29
                                                                                                                          if (x > y)
45
                                                                                                    102
                                                  30
                                                             }
                                                                                                                              swap(x, y);
46
                                                                                                    103
                                                  31
47
     for (int i = 0; i < G[u].size(); ++i) {</pre>
                                                                                                    104
                                                                                                                          printf("The fleas jump
                                                  32 }
      Edge& edge = G[u][i];
48
                                                                                                                                forever between %d
                                                     //實際剖分 <- 參數 t是 top的意思
49
      if (edge.v == p) continue;
                                                  33
                                                                                                                                and %d.\n", x, y);
      dep[edge.v] = dep[u] + 1;
                                                      //t初始應為root本身
                                                                                                                       }
50
                                                                                                    105
                                                     void dfs2(int u, int t) {
51
      dis[edge.v] = dis[edge.u] + edge.w;
                                                  35
                                                                                                    106
                                                                                                                       else {
      dfs(edge.v, u);
                                                  36
                                                         top[u] = t;
52
                                                                                                                          //技巧: 讓深的點v往上dis /
                                                                                                    107
      st[tp++][0] = dep[u];
                                                  37
                                                         dfn[u] = dfsTime;
53
                                                                                                                                2步 = y,
                                                         dfnToNode[dfsTime] = u;
                                                  38
54
                                                                                                    108
                                                                                                                          //這個點的parent設為x
                                                         ++dfsTime;
55
   }
                                                  39
                                                                                                    109
                                                                                                                          //此時的x、y就是答案要的中點兩點
                                                         //葉子點 -> 沒有重兒子
                                                  40
56
   long long getDis(int u, int v) {
                                                                                                    110
                                                                                                                           //主要是往下不好找,所以改用深的點戶
    if (pos[u] > pos[v])
                                                  41
                                                         if (hson[u] == -1)
57
                                                                                                    111
                                                                                                                          int y = getK_parent(v, dis
      swap(u, v);
                                                  42
                                                             return:
                                                                                                                                / 2);
58
     int lca = query(pos[u], pos[v]);
                                                  43
                                                         //優先對重兒子dfs,才能保證同一重鍊dfn連續
                                                                                                    112
                                                                                                                          int x = getK_parent(y, 1);
59
                                                  44
                                                         dfs2(hson[u], t);
                                                                                                                          if (x > y)
60
    return dis[u] + dis[v] - 2 *
                                                                                                    113
                                                  45
                                                         for (int v: G[u]) {
         dis[query(pos[u], pos[v])];
                                                                                                    114
                                                                                                                              swap(x, y);
                                                  46
                                                             if (v != parent[u] && v != hson[u])
  }
                                                                                                                          printf("The fleas jump
61
                                                                                                    115
                                                  47
                                                                dfs2(v, v);
62
   int main() {
                                                                                                                                forever between %d
                                                         }
                                                   48
63
    int n, q;
                                                                                                                                and %d.\n", x, y);
                                                  49 }
      calLog();
                                                                                                    116
64
                                                  50
                                                      //不斷跳鍊,當跳到同一條鍊時,深度小的即為LCA
    while (~scanf("%d", &n) && n) {
65
                                                                                                    117
                                                                                                                   }
                                                  51
                                                      //跳鍊時優先鍊頂深度大的跳
66
      int v. w:
                                                                                                    118
                                                                                                               }
                                                  52 int LCA(int u, int v) {
67
      G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                                                                    119
                                                                                                            }
                                                         while (top[u] != top[v]) {
68
                                                                                                    120
                                                                                                            return 0;
                                                             if (depth[top[u]] > depth[top[v]])
69
          for (int i = 1; i \le n - 1; ++i) {
                                                  54
                                                                                                    121 }
        scanf("%d %d", &v, &w);
                                                  55
                                                                u = parent[top[u]];
70
        G[i].push_back({i, v, w});
                                                  56
                                                             else
                                                                v = parent[top[v]];
```

```
3.16 MCMF
   #define maxn 225
   #define INF 0x3f3f3f3f
   struct Edge {
      int u, v, cap, flow, cost;
 5
   };
   //node size, edge size, source, target
   int n, m, s, t;
   vector<vector<int>> G;
   vector<Edge> edges;
   bool inqueue[maxn];
   long long dis[maxn];
   int parent[maxn];
   long long outFlow[maxn];
13
   void addEdge(int u, int v, int cap, int
        cost) {
      edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0,
            cost});
      edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
16
            -cost});
      m = edges.size();
17
18
      G[u].emplace_back(m - 2);
      G[v].emplace_back(m - 1);
19
20
   //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
21
   bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
22
        minCost) {
       // memset(outFlow, 0x3f,
23
            sizeof(outFlow));
      memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
24
25
      memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
26
      queue<int> q;
      q.push(s);
27
28
      dis[s] = 0;
      inqueue[s] = true;
29
30
      outFlow[s] = INF;
      while (!q.empty()) {
31
          int u = q.front();
32
33
          q.pop();
          inqueue[u] = false;
34
          for (const int edgeIndex: G[u]) {
35
              const Edge& edge =
36
                   edges[edgeIndex];
              if ((edge.cap > edge.flow) &&
37
                   (dis[edge.v] > dis[u] +
                   edge.cost)) {
                 dis[edge.v] = dis[u] +
38
                       edge.cost;
                 parent[edge.v] = edgeIndex;
39
                 outFlow[edge.v] =
40
                       min(outFlow[u], (long
                       long)(edge.cap -
                       edge.flow));
41
                 if (!inqueue[edge.v]) {
42
                     q.push(edge.v);
43
                     inqueue[edge.v] = true;
44
                 }
45
              }
          }
46
47
48
       //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
49
      if (dis[t] > 0)
          return false;
50
      maxFlow += outFlow[t];
51
52
      minCost += dis[t] * outFlow[t];
53
      //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
       //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
54
55
      int curr = t;
      while (curr != s) {
56
          edges[parent[curr]].flow +=
57
               outFlow[t];
58
          edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
               outFlow[t];
59
          curr = edges[parent[curr]].u;
      }
60
61
       return true;
62 }
```

```
63 long long MCMF() {
       long long maxFlow = 0;
64
       long long minCost = 0;
65
66
       while (SPFA(maxFlow, minCost))
67
       return minCost;
68
69 }
70 int main() {
71
       int T;
       scanf("%d", &T);
72
73
       for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>
74
           //總共幾個月, 囤貨成本
75
           int M, I;
           scanf("%d %d", &M, &I);
76
77
           //node size
78
           n = M + M + 2;
           G.assign(n + 5, vector<int>());
79
           edges.clear();
81
           s = 0;
82
           t = M + M + 1;
           for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre>
83
               int produceCost, produceMax,
84
                    sellPrice, sellMax,
                    inventoryMonth;
               scanf("%d %d %d %d %d",
85
                    &produceCost, &produceMax,
                    &sellPrice, &sellMax,
                    &inventoryMonth);
               addEdge(s, i, produceMax,
                    produceCost);
               addEdge(M + i, t, sellMax,
87
                    -sellPrice);
               for (int j = 0; j <=</pre>
                    inventoryMonth; ++j) {
                  if (i + j \le M)
                      addEdge(i, M + i + j, INF,
90
                            I * j);
91
          }
92
93
           printf("Case %d: %11d\n", Case,
                -MCMF());
95
       return 0;
```

3.17 莫隊

```
/*利用prefix前綴XOR和
    如果要求[x, y]的XOR和只要回答prefix[y] ^
         prefix[x - 1]即可在0(1)回答
    同時維護cnt[i]代表[x, y]XOR和 == i的個數
    如此我們知道[1, r]可以快速知道[1 - 1, r], [1
         + 1, r], [1, r - 1], [1, r + 1]的答案
    就符合Mo's algorithm的思維O(N * sqrt(n))
     每次轉移為0(1),具體轉移方法在下面*/
   #define maxn 100005
   //在此prefix[i]是[1, i]的XOR和
 9 int prefix[maxn];
10 | //log_2(1000000) =
        19.931568569324174087221916576937...
   //所以開到1 << 20
12 //cnt[i]代表的是有符合nums[x, y] such that
       nums[x] ^nums[x + 1] ^n.. ^nums[y] ==
   //的個數
13
14 long long cnt[1 << 20];
15 //塊大小 -> sqrt(n)
16 int sqrtQ;
  struct Query {
17
18
      int 1, r, id;
      bool operator < (const Query& other)</pre>
19
           const {
          if (this->l / sqrtQ != other.l /
              sart0)
21
             return this->l < other.l;</pre>
22
          //奇偶排序(優化)
```

if (this->1 / sqrtQ & 1)

3.18 Dancing Links

```
1 struct DLX {
      int seq, resSize;
      int col[maxn], row[maxn];
      int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
      int rowHead[maxn], colSize[maxn];
      int result[maxn];
      DLX(int r, int c) {
          for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
              L[i] = i-1, R[i] = i+1;
10
              U[i] = D[i] = i;
11
          L[R[seq=c]=0]=c;
12
13
          resSize = -1;
          memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
14
          memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
```

return this->r < other.r;</pre>

return this->r > other.r;

res += cnt[k ^ prefix[x]];

res -= cnt[k ^ prefix[x]];

scanf("%d %d %d", &n, &m, &k);

for (int i = 1; i <= n; ++i) {

scanf("%d", &prefix[i]);

for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>

&querys[i].r);

//減1是因為prefix[i]是[1,

sort(querys + 1, querys + m + 1);

while (1 < querys[i].1) {</pre>

while (1 > querys[i].1) {

while (r < querys[i].r) {</pre>

while (r > querys[i].r) {

ans[querys[i].id] = res;

printf("%11d\n", ans[i]);

for (int i = 1; i <= m; ++i){</pre>

for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>

--querys[i].l;

sub(1);

add(1);

add(r);

sub(r);

--r;

}

return 0;

}

++1;

int 1 = 1, r = 0;

querys[i].id = i;

prefix[i] ^= prefix[i - 1];

scanf("%d %d", &querys[i].1,

i]的前綴XOR和,所以題目問[1,

r]我們要回答[1 - 1, r]的答案

24

25

26

28

30

31 int k;

32

33

34

35

36

37

38

39

40

42

43

44

45

46

47

48

49

50

51

52

53

54

55

56

57

58

59

60

61

62

63

64

65

66

67

68

69

70

71

72

73

74

75

76

77

78

}

27 };

}

Query querys[maxn];

long long res = 0;

void add(int x) {

void sub(int x) {

int main() {

int n, m;

++cnt[prefix[x]];

--cnt[prefix[x]];

sqrt0 = sqrt(n);

long long ans[maxn];

```
DataStructure
16
                                                                                                         void assign(long long l, long long r, long
      void insert(int r, int c) {
17
                                                                                                              long val) {
          row[++seq]=r, col[seq]=c,
                                                                                                             //<注意>
18
                                                                                                      31
                                                      4.1
                                                             BIT
               ++colSize[c];
          U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,
19
                                                                                                      32
                                                    1 template <class T> class BIT {
               D[c]=seq:
                                                                                                      33
          if(rowHead[r]) {
                                                     private:
                                                                                                                  begin = split(1);
20
                                                                                                             //begin到end全部刪掉
21
              L[seq]=rowHead[r],
                                                        int size:
                                                                                                      34
                   R[seq]=R[rowHead[r]];
                                                        vector<T> bit;
                                                                                                      35
              L[R[rowHead[r]]]=seq,
                                                        vector<T> arr;
                                                                                                      36
                                                                                                             //填回去[1. r]的區間
22
                   R[rowHead[r]]=seq;
                                                                                                      37
                                                                                                      38 }
          } else {
                                                    7
                                                      public:
23
24
              rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =
                                                        BIT(int sz=0): size(sz), bit(sz+1),
                                                                                                      39
                                                                                                         //區間加值(直接一個個區間去加)
                                                             arr(sz) {}
25
                                                                                                              val) {
                                                        /** Sets the value at index idx to val. */
26
                                                   10
                                                                                                      41
27
      void remove(int c) {
                                                   11
                                                        void set(int idx, T val) {
                                                                                                      42
          L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
                                                   12
                                                             add(idx, val - arr[idx]);
29
          for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                   13
                                                                                                                  != end; ++it)
30
              for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
                                                   14
                                                                                                                it->val += val;
                                                                                                      44
                                                                                                      45 }
31
                 U[D[j]] = U[j];
                                                   15
                                                        /** Adds val to the element at index idx.
                 D[U[j]] = D[j];
32
                                                                                                      46
33
                  --colSize[col[j]];
                                                   16
                                                        void add(int idx, T val) {
                                                         arr[idx] += val;
                                                   17
                                                                                                              long r, long long k) {
34
              }
                                                          for (++idx; idx<=size; idx+=(idx & -idx))</pre>
35
                                                   18
                                                                                                      48
                                                                 bit[idx] += val;
36
                                                   19
                                                                                                      49
37
      void recover(int c) {
                                                   20
                                                                                                      50
38
          for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
                                                   21
                                                                                                      51
              for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                                                        /** @return The sum of all values in [0,
39
                                                   22
                                                                                                      52
40
                 U[D[j]] = D[U[j]] = j;
                                                                                                                  != end; ++it) {
                                                        T pre_sum(int idx) {
41
                  ++colSize[col[j]];
                                                   23
                                                                                                      53
                                                          T total = 0;
42
                                                                                                                      + 1});
                                                          for (++idx; idx>0; idx-=(idx & -idx))
43
                                                   25
                                                                                                      54
44
          L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                   26
                                                                 total += bit[idx];
                                                                                                      55
45
                                                   27
                                                          return total;
                                                                                                      56
                                                       }
46
      bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                                                   28
                                                                                                                 p: vec) {
47
          if(R[0] == 0) {
                                                   29 };
                                                                                                      57
                                                                                                                k -= p.second;
                                                                                                                if (k <= 0)
48
              resSize = idx;
                                                                                                      58
49
                                                                                                                    return p.first;
              return true;
                                                                                                      59
50
                                                                                                      60
                                                      4.2 ChthollyTree
          int c = R[0];
51
                                                                                                      61
                                                                                                             //不應該跑到這
52
          for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                                                                      62
                                                                                                            return -1;
                                                    1 //重點:要求輸入資料隨機,否則可能被卡時間
53
              if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                                                                      63 }
54
                                                      struct Node {
                                                                                                      64
                                                         long long l, r;
55
          remove(c);
          for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                          mutable long long val;
                                                                                                              long long mod) {
56
                                                          Node(long long 1, long long r, long long
57
              result[idx] = row[i];
                                                                                                             long long res = 1;
                                                                                                             x \% = mod;
58
              for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                      67
                                                             : 1(1), r(r), val(val){}
59
                 remove(col[j]);
                                                                                                      68
                                                                                                             while (n)
                                                         bool operator < (const Node& other)</pre>
60
              if(dfs(idx+1)) return true;
                                                                                                      69
              for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                               const{}\{
61
                                                                                                      70
                                                                                                                if (n & 1)
                                                    8
                                                             return this->l < other.l;</pre>
                                                                                                                    res = res * x \% mod;
62
                 recover(col[j]);
                                                                                                      71
                                                    9
63
                                                                                                      72
                                                                                                                n >>= 1;
                                                   10 };
64
          recover(c);
                                                                                                      73
                                                                                                                x = x * x % mod;
                                                   11 | set<Node> chthollyTree;
65
          return false;
                                                                                                      74
                                                      //將[1, r] 拆成 [1, pos - 1], [pos, r]
                                                                                                      75
66
                                                                                                            return res;
                                                      set<Node>::iterator split(long long pos) {
67
      void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
                                                   13
                                                                                                      76 }
                                                          //找第一個左端點大於等於pos的區間
                                                                                                         //區間n次方和
           depth 版
                                                                                                      77
                                                          set<Node>::iterator it =
          if(R[0] == 0) {
                                                   15
68
                                                               chthollyTree.lower_bound(Node(pos,
              resSize = min(resSize, idx); //
69
                   注意init值
                                                               0, 0));
                                                                                                      79
                                                                                                             long long total = 0;
                                                          //運氣很好直接找到左端點是pos的區間
                                                   16
70
              return;
                                                                                                      80
                                                   17
                                                          if (it != chthollyTree.end() && it->l ==
71
          }
                                                                                                      81
                                                               pos)
72
          int c = R[0];
                                                                                                      82
          for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                             return it;
                                                                                                                  != end; ++it)
73
                                                          //到這邊代表找到的是第一個左端點大於pos的區間
                                                  19
74
              if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                                                                      83
                                                          //it ·
75
          }
                                                               1即可找到左端點等於pos的區間 (不會是別的,因為
76
          remove(c):
                                                   21
                                                          --it;
77
          for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                                     mod;
              for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                          long long l = it->l, r = it->r;
78
                                                                                                      85
                                                                                                            }
                                                          long long val = it->val;
                                                   23
79
                 remove(col[j]);
                                                                                                      86
                                                                                                            return total;
                                                   24
                                                          chthollyTree.erase(it);
80
              dfs(idx+1);
                                                                                                      87 }
                                                         chthollyTree.insert(Node(1, pos - 1,
                                                   25
81
              for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                               val));
82
                  recover(col[j]);
                                                          //回傳左端點是pos的區間iterator
83
                                                                                                         4.3
                                                                                                                線段樹 1D
                                                          return chthollyTree.insert(Node(pos, r,
          recover(c);
                                                   27
                                                               val)).first;
85
      }
                                                   28 }
                                                                                                         #define MAXN 1000
                                                   29 //區間賦值
                                                                                                       2 int data[MAXN]; //原數據
```

```
end與begin的順序不能調換,因為end的split可能會
      //因為end可以在原本begin的區間中
      set<Node>::iterator end = split(r + 1),
      chthollyTree.erase(begin, end);
      chthollyTree.insert(Node(1, r, val));
  void add(long long l, long long r, long long
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
      set<Node>::iterator begin = split(1);
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
  //查詢區間第k小 -> 直接把每個區間丟去vector排序
47 long long getKthSmallest(long long 1, long
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
      set<Node>::iterator begin = split(1);
      //pair -> first: val, second: 區間長度
      vector<pair<long long, long long>> vec;
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
         vec.push_back({it->val, it->r - it->l
      sort(vec.begin(), vec.end());
      for (const pair<long long, long long>&
  long long qpow(long long x, long long n,
  long long sumOfPow(long long 1, long long r,
       long long n, long long mod) {
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
      set<Node>::iterator begin = split(1);
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
         total = (total + qpow(it->val, n,
              mod) * (it->r - it->l + 1)) %
```

```
int st[4 * MAXN]; //線段樹
                                                          if (1 == r) {
                                                                                                                 int mid = (1 + r) / 2;
                                                                                                      57
   int tag[4 * MAXN]; //懶標
                                                              if (xIsLeaf) {
                                                                                                                 if (xql <= mid)</pre>
                                                    7
                                                                                                      58
                                                                                                                     queryX(index * 2, 1, mid, xql,
   inline int pull(int 1, int r) {
                                                                 maxST[xIndex][index] =
                                                    8
                                                                                                      59
                                                                                                                          xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
   // 隨題目改變 sum、max、min
                                                                      minST[xIndex][index] = val;
                                                                                                                 if (mid < xqr)</pre>
 7
   // 1、r是左右樹的 index
                                                                 return:
                                                                                                      60
      return st[l] + st[r];
                                                             }
                                                                                                                     queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                                                   10
                                                                                                      61
  }
                                                                                                                          xql, xqr, yql, yqr, vmax,
9
                                                   11
                                                             maxST[xIndex][index] =
   void build(int 1, int r, int i) {
                                                                   max(maxST[xIndex * 2][index],
                                                                                                                          vmin);
10
   // 在[1, r]區間建樹,目前根的index為i
                                                                   maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
                                                                                                      62
                                                                                                             }
      if (1 == r) {
                                                             minST[xIndex][index] =
12
                                                   12
                                                                                                      63
                                                                                                         }
13
          st[i] = data[l];
                                                                   min(minST[xIndex * 2][index],
                                                                                                      64
                                                                                                          int main() {
                                                                                                             while (scanf("%d", &N) != EOF) {
                                                                   minST[xIndex * 2 + 1][index]);
14
          return:
                                                                                                      65
15
                                                   13
                                                                                                      66
                                                                                                                 int val;
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                                          else {
16
                                                   14
                                                                                                      67
                                                                                                                 for (int i = 1; i <= N; ++i) {
17
      build(1, mid, i * 2);
                                                   15
                                                              int mid = (1 + r) / 2;
                                                                                                      68
                                                                                                                     for (int j = 1; j <= N; ++j) {</pre>
18
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
                                                   16
                                                              if (yPos <= mid)</pre>
                                                                                                      69
                                                                                                                        scanf("%d", &val);
                                                                 modifyY(index * 2, 1, mid, val,
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
19
                                                   17
                                                                                                      70
                                                                                                                        modifyX(1, 1, N, val, i, j);
                                                                      yPos, xIndex, xIsLeaf);
                                                                                                      71
   int query(int ql, int qr, int l, int r, int
                                                              else
                                                                                                                 }
21
                                                   18
                                                                                                      72
                                                                                                                 int q;
        i) {
                                                                 modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                   19
                                                                                                      73
22
      [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
                                                                      r, val, yPos, xIndex,
                                                                                                      74
                                                                                                                 int vmax, vmin;
      if (q1 <= 1 && r <= qr)</pre>
                                                                      xIsLeaf);
                                                                                                      75
                                                                                                                 int xql, xqr, yql, yqr;
23
24
          return st[i];
                                                   20
                                                                                                      76
                                                                                                                 char op:
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                                             maxST[xIndex][index] =
25
                                                   21
                                                                                                      77
                                                                                                                 scanf("%d", &q);
                                                                   max(maxST[xIndex][index * 2],
26
      if (tag[i]) {
                                                                                                      78
                                                                                                                 while (q--) {
                                                                   maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
27
           //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                                                                      79
                                                                                                                    getchar(); //for \n
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                                              minST[xIndex][index] =
                                                                                                                     scanf("%c", &op);
28
                                                   22
                                                                                                      80
29
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                                   min(minST[xIndex][index * 2],
                                                                                                      81
                                                                                                                     if (op == 'q') {
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
                                                                   minST[xIndex][index * 2 + 1]);
                                                                                                                        scanf("%d %d %d %d", &xql,
30
                                                                                                      82
31
          tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
                                                   23
                                                         }
                                                                                                                             &yql, &xqr, &yqr);
                                                   24 }
32
          tag[i] = 0;
                                                                                                      83
                                                                                                                        vmax = -0x3f3f3f3f;
                                                                                                                        vmin = 0x3f3f3f3f;
33
                                                   25 void modifyX(int index, int 1, int r, int
                                                                                                      84
      int sum = 0;
                                                           val, int xPos, int yPos) {
                                                                                                      85
                                                                                                                        queryX(1, 1, N, xql, xqr,
34
                                                                                                                             yql, yqr, vmax, vmin):
35
      if (ql <= mid)</pre>
                                                          if (1 == r) {
                                                   26
           sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
                                                              modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                                                                                                        printf("%d %d\n", vmax, vmin);
36
                                                                                                      86
                                                                                                                    }
37
      if (qr > mid)
                                                                   true):
                                                                                                      87
38
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r,
                                                   28
                                                                                                      88
                                                                                                                    else {
                                                                                                                        scanf("%d %d %d", &xql, &yql,
               i*2+1);
                                                   29
                                                          else {
                                                                                                      89
                                                              int mid = (1 + r) / 2;
      return sum;
                                                                                                                             &val);
39
                                                   30
40
   }
                                                   31
                                                              if (xPos <= mid)</pre>
                                                                                                                        modifyX(1, 1, N, val, xql,
                                                                                                      90
                                                                 modifyX(index * 2, 1, mid, val,
   void update(int ql,int qr,int l,int r,int
41
                                                   32
                                                                                                                             vql);
        i.int c) {
                                                                      xPos, yPos);
                                                                                                      91
                                                                                                                    }
42
   // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
                                                   33
                                                              else
                                                                                                      92
                                                                                                                 }
43
   // c是變化量
                                                   34
                                                                 modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                                                                      93
44
      if (ql <= 1 && r <= qr) {
                                                                      r, val, xPos, yPos);
                                                                                                      94
                                                                                                             return 0;
          st[i] += (r - 1 + 1) * c;
                                                              modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                                                                                      95 }
                                                   35
45
               //求和,此需乘上區間長度
                                                                   false):
          tag[i] += c;
                                                         }
46
                                                   36
47
          return:
                                                   37
                                                                                                          4.5 權值線段樹
48
                                                      void queryY(int index, int 1, int r, int
                                                   38
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
49
                                                           yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,
                                                                                                       1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第k小問題
50
      if (tag[i] && l != r) {
                                                           int &vmin) {
                                                                                                          //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
                                                          if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
51
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                   39
                                                                                                         #define maxn 30005
52
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                                              vmax = max(vmax,
                                                   40
                                                                                                         int nums[maxn];
53
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                                  maxST[xIndex][index]);
                                                                                                       5 int getArr[maxn];
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
                                                              vmin = min(vmin,
54
                                                   41
                                                                                                         int id[maxn];
55
          tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
                                                                   minST[xIndex][index]);
                                                         }
                                                                                                          int st[maxn << 2];</pre>
56
          tag[i] = 0;
                                                   42
                                                                                                         void update(int index, int 1, int r, int qx)
57
                                                   43
                                                          else
                                                                                                              {
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
58
                                                   44
                                                          {
                                                                                                             if (1 == r)
           * 2, c);
                                                   45
                                                              int mid = (1 + r) / 2;
                                                                                                       9
                                                                                                      10
                                                                                                             {
59
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
                                                   46
                                                              if (yql <= mid)</pre>
                                                                 queryY(index * 2, 1, mid, yql,
                                                                                                      11
                                                                                                                 ++st[index];
            i*2+1, c);
                                                   47
                                                                                                      12
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
                                                                      yqr, xIndex, vmax, vmin);
                                                                                                                 return;
60
61 }
                                                                                                      13
                                                                                                             }
                                                              if (mid < yqr)</pre>
                                                                                                      14
62 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
                                                                 queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                                                                                                      15
                                                                                                             int mid = (1 + r) / 2;
63 //改值從+=改成=
                                                                      yql, yqr, xIndex, vmax,
                                                                                                      16
                                                                                                             if (qx <= mid)</pre>
                                                                      vmin):
                                                                                                      17
                                                                                                                 update(index * 2, 1, mid, qx);
                                                   50
                                                         }
                                                   51 }
                                                                                                      18
   4.4 線段樹 2D
                                                                                                      19
                                                                                                                 update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
                                                   52 void queryX(int index, int 1, int r, int
                                                                                                      20
                                                                                                             st[index] = st[index * 2] + st[index * 2]
                                                           xql, int xqr, int yql, int yqr, int&
 1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
                                                                                                                  + 1];
                                                           vmax, int& vmin) {
 2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
                                                                                                      21 }
                                                   53
                                                          if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>
```

queryY(1, 1, N, yql, yqr, index,

vmax, vmin);

54

55

}

else {

22 //找區間第 // 個小的

24

25

if (1 == r)

return id[1];

int mid = (1 + r) / 2;

23 int query(int index, int 1, int r, int k) {

int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];

void modifyY(int index, int 1, int r, int

val, int yPos, int xIndex, bool

int N:

xIsLeaf) {

}

// 和上面同理

void getmax() {

cout<<endl;</pre>

int head=0,tail=0;

q[++tail]=i;

for(int i=1;i<k;i++) {</pre>

while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>

26

27

29

31

32

33

28 }

queue<int> q({root});

20

29

30

31

32

33

34

35

36

int c = *s - minc;

p = trie[p][c];

val[p] = wordId;

cnt[p]++;

void build() {

if(!trie[p][c]) trie[p][c] = newNode();

//k比左子樹小

27

11

12

13 }

14

16

17

18

};

struct Trie {

TrieNode* root;

node = nullptr;

Trie() { root = new TrieNode(); }

```
if (k <= st[index * 2])
                                                       void insert(string word) {
28
                                                  21
                                                                                                     39
                                                                                                            while(!q.empty()) {
29
          return query(index * 2, 1, mid, k);
                                                         TrieNode* cur = root;
                                                                                                     40
                                                                                                              int p = q.front();
                                                  22
30
                                                         for(auto& ch : word) {
                                                                                                     41
                                                                                                              q.pop();
                                                           int c = ch - minc:
                                                                                                              for(int i=0; i<maxc; i++) {</pre>
31
          return query(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                  24
                                                                                                     42
               r, k - st[index * 2]);
                                                           if(!cur->child[c])
                                                                                                                int& t = trie[p][i];
                                                   25
32 }
                                                             cur->child[c] = new TrieNode();
                                                  26
                                                                                                     44
                                                                                                                if(t) {
   int main() {
                                                  27
                                                           cur = cur->child[c];
                                                                                                     45
                                                                                                                 fail[t] = p?trie[fail[p]][i]:root;
33
34
      int t;
                                                   28
                                                                                                     46
                                                                                                                 q.push(t);
      cin >> t;
                                                                                                                } else {
35
                                                   29
                                                         cur->cnt++:
                                                                                                     47
36
      bool first = true;
                                                   30
                                                                                                     48
                                                                                                                 t = trie[fail[p]][i];
37
      while (t--) {
                                                  31
                                                                                                     49
          if (first)
38
                                                  32
                                                       void remove(string word) {
                                                                                                     50
                                                         TrieNode* cur = root;
39
              first = false;
                                                  33
                                                                                                     51
                                                                                                           }
40
          else
                                                   34
                                                         for(auto& ch : word) {
                                                                                                     52
                                                           int c = ch - minc;
41
              puts("");
                                                   35
                                                                                                     53
                                                           if(!cur->child[c]) return;
                                                                                                          // 要存 wordId 才要 vec
42
          memset(st, 0, sizeof(st));
                                                  36
                                                                                                     54
                                                           cur = cur->child[c];
                                                                                                          // 同單字重複match要把所有vis取消掉
43
          int m, n;
                                                   37
          cin >> m >> n;
                                                                                                          int match(char* s, vector<int>& vec) {
44
                                                   38
                                                                                                     56
          for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
45
                                                                                                            int res = 0;
                                                   39
                                                         cur->cnt--;
                                                                                                     57
46
              cin >> nums[i];
                                                   40
                                                                                                     58
                                                                                                            memset(vis, 0, sizeof(vis));
              id[i] = nums[i];
                                                                                                            for(int p=root; *s; s++) {
47
                                                   41
                                                                                                     59
48
                                                   42
                                                        // 字典裡有出現 word
                                                                                                              p = trie[p][*s-minc];
49
          for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                   43
                                                       bool search(string word, bool prefix=0) {
                                                                                                     61
                                                                                                              for(int k=p; k && !vis[k]; k=fail[k]) {
                                                         TrieNode* cur = root;
                                                                                                                vis[k] = true;
50
              cin >> getArr[i];
                                                   44
                                                                                                     62
                                                         for(auto& ch : word) {
51
          //離散化
                                                   45
                                                                                                     63
                                                                                                                res += cntΓk1:
          //防止m == 0
                                                           int c = ch - minc;
                                                                                                                if(cnt[k]) vec.push_back(val[k]);
52
                                                   46
                                                                                                     64
53
          if (m)
                                                   47
                                                           if(!(cur=cur->child[c])) return false;
                                                                                                     65
              sort(id + 1, id + m + 1);
54
                                                   48
                                                                                                     66
55
          int stSize = unique(id + 1, id + m +
                                                   49
                                                         return cur->cnt || prefix;
                                                                                                     67
                                                                                                            return res; // 匹配到的單字量
               1) - (id + 1);
                                                  50
                                                                                                     68
          for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
56
                                                  51
                                                                                                     69 };
57
              nums[i] = lower_bound(id + 1, id)
                                                        // 字典裡有 word 的前綴為 prefix
                                                                                                     70
                   + stSize + 1, nums[i]) - id;
                                                  53
                                                       bool startsWith(string prefix) {
                                                                                                     71
                                                                                                        ACTrie ac:
                                                                                                                       // 建構,初始化
                                                         return search(prefix, true);
                                                                                                        ac.insert(s); // 加字典單字
58
                                                   54
                                                                                                     72
          int addCount = 0;
                                                  55
                                                                                                     73 // 加完字曲後
59
60
          int getCount = 0;
                                                  56 };
                                                                                                     74 ac.build();
                                                                                                                      // !!! 建 failure link !!!
                                                                                                     75 ac.match(s); // 多模式匹配(加vec存編號)
61
          int k = 1;
          while (getCount < n) {</pre>
62
              if (getArr[getCount] == addCount)
63
                                                      4.7 AC Trie
                                                                                                        4.8 單調隊列
                 printf("%d \setminus n", query(1, 1,
64
                                                    1 const int maxn = 1e4 + 10; // 單字字數
                      stSize, k));
                                                      const int maxl = 50 + 10; // 單字字長
                                                                                                        //單調隊列
65
                                                     const int maxc = 128; // 單字字符數
                                                                                                         "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"
                  ++getCount;
66
                                                      const char minc = ' '; // 首個 ASCII
              }
67
                                                                                                        example
68
                                                      int trie[maxn*maxl][maxc]; // 原字典樹
                 update(1, 1, stSize,
69
                                                     int val[maxn*maxl]; // 結尾(單字編號)
                                                                                                        給出一個長度為 n 的數組,
                      nums[addCount + 1]);
                                                     int cnt[maxn*max1];
                                                                               // 結尾(重複個數)
                                                                                                         輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
                  ++addCount;
70
71
                                                     int fail[maxn*maxl];
                                                                               // failure link
              }
                                                     bool vis[maxn*max1];
                                                                               // 同單字不重複
                                                                                                        #include <bits/stdc++.h>
72
          }
                                                   10
                                                                                                         #define maxn 1000100
                                                   11
73
      }
                                                                                                        using namespace std;
                                                  12
                                                      struct ACTrie {
74
       return 0;
                                                                                                        int q[maxn], a[maxn];
75
                                                  13
                                                       int seq, root;
                                                                                                        int n. k:
                                                   14
                                                                                                        //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
                                                   15
                                                       ACTrie() {
                                                                                                     14
                                                   16
                                                                                                     15
                                                                                                         void getmin() {
   4.6
         Trie
                                                         root = newNode();
                                                                                                            int head=0,tail=0;
                                                   17
                                                                                                     16
                                                                                                            for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
                                                                                                     17
                                                   18
                            // 單字字符數
                                                                                                                while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
   const int maxc = 26;
                                                   19
                                                                                                     18
   const char minc = 'a'; // 首個 ASCII
                                                                                                                     tail--;
                                                   20
                                                       int newNode() {
                                                   21
                                                         for(int i=0; i<maxc; i++) trie[seq][i]=0;</pre>
                                                                                                     19
                                                                                                                q[++tail]=i;
   struct TrieNode {
                                                         val[seq] = cnt[seq] = fail[seq] = 0;
                                                  22
                                                                                                     20
                                                   23
                                                         return seq++;
                                                                                                     21
                                                                                                            for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
    TrieNode* child[maxc];
                                                                                                                while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                  24
                                                                                                     22
 7
                                                  25
                                                                                                                     tail--;
    TrieNode() {
                                                   26
                                                        void insert(char* s, int wordId=0) {
                                                                                                     23
                                                                                                                q[++tail]=i;
9
      cnt = 0:
                                                  27
                                                         int p = root:
                                                                                                     24
                                                                                                                while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
      for(auto& node : child) {
                                                         for(; *s; s++) {
                                                                                                                cout<<a[q[head]]<<" ";
                                                                                                     25
```

```
35
                                                            Geometry
36
       for(int i=k:i<=n:i++) {</pre>
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--; 5.1
37
                                                             Template
38
39
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
          cout<<a[q[head]]<<" ";
                                                     1 using DBL = double;
40
                                                      using TP = DBL; // 存點的型態
41
42
       cout<<endl;
43
   }
                                                       const DBL pi = acos(-1);
                                                       const DBL eps = 1e-8;
44
                                                       const TP inf = 1e30;
45
   int main(){
                                                       const int maxn = 5e4 + 10;
       cin>>n>>k; //每k個連續的數
46
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
                                                       struct Vector {
                                                    9
48
       getmin();
49
       getmax():
                                                    10
                                                        TP x, y;
                                                         Vector(TP x=0, TP y=0): x(x), y(y) {}
50
       return 0;
                                                    11
51 }
                                                    12
                                                        DBL length();
                                                    13 };
                                                    14 using Point = Vector;
                                                       using Polygon = vector<Point>;
                                                    15
                                                    16
                                                    17
                                                       Vector operator+(Vector a, Vector b) {
                                                    18
                                                       return Vector(a.x+b.x, a.y+b.y); }
                                                      Vector operator-(Vector a, Vector b) {
                                                    19
                                                        return Vector(a.x-b.x, a.y-b.y); }
                                                    20
                                                   21 Vector operator*(Vector a, DBL b) {
                                                       return Vector(a.x*b, a.y*b); }
                                                    23 Vector operator/(Vector a, DBL b) {
                                                        return Vector(a.x/b, a.y/b); }
                                                    24
                                                    25
                                                   26 TP dot(Vector a, Vector b) {
                                                        return a.x*b.x + a.y*b.y;
                                                   28 }
                                                   29
                                                       TP cross(Vector a, Vector b) {
                                                    30
                                                        return a.x*b.y - a.y*b.x;
                                                   31 | }
                                                    32 DBL Vector::length() {
                                                         return sqrt(dot(*this, *this));
                                                    33
                                                    34
                                                   35 DBL dis(Point a, Point b) {
                                                        return sqrt(dot(a-b, a-b));
                                                    36
                                                    37 }
                                                       Vector unit_normal_vector(Vector v) {
                                                    38
                                                    39
                                                         DBL len = v.length();
                                                    40
                                                        return Vector(-v.y/len, v.x/len);
                                                    41
                                                    42
                                                    43
                                                       struct Line {
                                                         Point p;
                                                    45
                                                         Vector v:
                                                    46
                                                         DBL ang;
                                                    47
                                                        Line(Point _p={}, Vector _v={}) {
                                                    48
                                                          p = _p;
                                                    49
                                                          v = v;
                                                   50
                                                          ang = atan2(v.y, v.x);
                                                    52
                                                         bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
                                                    53
                                                          return ang < 1.ang;</pre>
                                                    54
                                                   55 };
                                                    56
                                                    57
                                                       struct Segment {
                                                    58
                                                          Point s, e;
                                                          Segment(): s({0, 0}), e({0, 0}) {}
                                                    59
                                                    60
                                                          Segment(Point s, Point e): s(s), e(e) {}
                                                          DBL length() { return dis(s, e); }
                                                    61
                                                      };
                                                    62
                                                    63
                                                       struct Circle {
                                                    64
                                                       Point o;
                                                    65
                                                    66
                                                         Circle(): o({0, 0}), r(0) {}
                                                    67
                                                         Circle(Point o, DBL r=0): o(o), r(r) {}
                                                    68
                                                    69
                                                        Circle(Point a, Point b) { // ab 直徑
                                                    70
                                                          o = (a + b) / 2;
                                                   71
                                                          r = dis(o, a);
```

Circle(Point a, Point b, Point c) { Vector u = b-a, v = c-a;

```
75
       DBL c1=dot(u, a+b)/2, c2=dot(v, a+c)/2;
76
       DBL dx=c1*v.y-c2*u.y, dy=u.x*c2-v.x*c1;
       o = Point(dx, dy) / cross(u, v);
77
       r = dis(o, a);
78
79
     bool cover(Point p) {
80
81
       return dis(o, p) <= r;</pre>
82
83 };
```

5.2 Polygon

```
// 判斷點 (point) 是否在凸包 (p) 內
   bool pointInConvex(Polygon& p, Point point) {
    // 根據 TP 型態來寫,沒浮點數不用 dblcmp
    auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
    // 不包含線上,改 '>=' 為 '<'
    auto test = [&](Point& p0, Point& p1) {
      return dblcmp(cross(p1-p0, point-p0))>=0;
    p.push_back(p[0]);
9
10
    for(int i=1; i<p.size(); i++) {</pre>
11
      if(!test(p[i-1], p[i])) {
12
        p.pop_back();
13
        return false;
14
15
16
    p.pop_back();
17
    return true:
18
  }
19
   // 計算簡單多邊形的面積
20
21
  // ! p 為排序過的點 !
22
  DBL polygonArea(Polygon& p) {
23
    DBL sum = 0;
    for(int i=0, n=p.size(); i<n; i++)</pre>
      sum += cross(p[i], p[(i+1)%n]);
25
26
    return abs(sum) / 2.0;
27 }
```

5.3 Intersection

```
// 除 intersection(Line a, Line b) 之外,
   // 皆尚未丟 online judge
  int dcmp(DBL a, DBL b=0.0) {
    return (a > b) - (a < b);
5
  bool hasIntersection(Point p, Segment s) {
9
    return dcmp(cross(p-s.s, s.s-s.e))==0&&
           dcmp(dot(p.x-s.s.x, p.x-s.e.x)) \le 0\&\&
10
11
           dcmp(dot(p.y-s.s.y, p.y-s.e.y)) \le 0;
  }
12
13
  bool hasIntersection(Point p, Line 1) {
15
    return dcmp(cross(p-1.p, 1.v)) == 0;
16
17
  DBL dis(Line 1, Point p) {
    DBL t = cross(p, 1.v) + cross(1.v, 1.p);
19
20
    return abs(t) / sqrt(dot(1.v, 1.v));
21
  3
22
  Point intersection(Line a, Line b) {
    Vector u = a.p - b.p;
24
25
    DBL t = 1.0*cross(b.v, u)/cross(a.v, b.v);
26
    return a.p + a.v*t;
27 }
```

5.4 最小圓覆蓋

FJCU Jc11

for(;m>1&&rmv(st[m-2],st[m-1],p[i]);m--);

if(dblcmp(a.ang, b.ang))

return a.ang < b.ang;</pre>

return a.d2 < b.d2;</pre>

```
vector<Point> p(3); // 在圓上的點
   Circle MEC(vector<Point>& v, int n, int d=0){ 30
     Circle mec;
                                                   31
     if(d == 1) mec = Circle(p[0]);
    if(d == 2) mec = Circle(p[0], p[1]);
                                                   33
     if(d == 3) return Circle(p[0], p[1], p[2]);
                                                        int m = 1; // stack size
                                                        Point st[n] = {p[n]=p[0]};
    for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
      if(mec.cover(v[i])) continue;
                                                        for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
                                                   36
      p[d] = v[i];
                                                   37
      mec = MEC(v, i, d+1);
10
                                                   38
11
                                                   39
12
    return mec;
                                                   40
                                                        return Polygon(st, st+m-1);
```

5.5 旋轉卡尺

```
// 回傳凸包內最遠兩點的距離
   int longest_distance(Polygon& p) {
     auto test = [&](Line 1, Point a, Point b) {
     return cross(l.v,a-l.p)<=cross(l.v,b-l.p);</pre>
    };
     if(p.size() <= 2) {
7
      return cross(p[0]-p[1], p[0]-p[1]);
 8
9
     int mx = 0:
10
     for(int i=0, j=1, n=p.size(); i<n; i++) {</pre>
11
      Line l(p[i], p[(i+1)%n] - p[i]);
12
       for(;test(l,p[j],p[(j+1)%n]);j=(j+1)%n);
13
       mx = max({
14
        mx.
15
         dot(p[(i+1)%n]-p[j], p[(i+1)%n]-p[j]),
16
         dot(p[i]-p[j], p[i]-p[j])
17
      });
    }
18
19
     return mx;
20 }
```

5.6 凸包

```
• TP 為 Point 裡 x 和 y 的型態
```

- struct Point 需要加入並另外計算的 variables: 1. ang, 該點與基準點的 atan2 值
 - 2. d2, 該點與基準點的 $(距離)^2$
- · 注意計算 d2 的型態範圍限制

```
1 using TP = long long;
   using Polygon = vector<Point>;
   const TP inf = 1e9; // 座標點最大值
 6
   Polygon convex_hull(Point* p, int n) {
     auto dblcmp = [](DBL a, DBL b=0.0) {
7
      return (a>b) - (a<b);
9
    }:
     auto rmv = [&](Point a, Point b, Point c) {
10
11
       return cross(b-a, c-b) <= 0; // 非浮點數
12
       return dblcmp(cross(b-a, c-b)) <= 0;</pre>
13
     };
14
15
     // 選最下裡最左的當基準點,可在輸入時計算
     TP lx = inf, ly = inf;
16
17
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
       if(p[i].y<ly || (p[i].y==ly&&p[i].x<lx)){</pre>
18
19
         lx = p[i].x, ly = p[i].y;
20
    }
21
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
23
      p[i].ang=atan2(p[i].y-ly,p[i].x-lx);
24
25
      p[i].d2 = (p[i].x-lx)*(p[i].x-lx) +
                (p[i].y-ly)*(p[i].y-ly);
26
27
```

sort(p, p+n, [&](Point& a, Point& b) {

半平面相交 5.7

st[m++] = p[i];

```
1 using DBL = double;
  using TP = DBL; // 存點的型態
   using Polygon = vector<Point>;
   const int maxn = 5e4 + 10;
   // Return: 能形成半平面交的凸包邊界點
   Polygon halfplaneIntersect(vector<Line>&nar){ 19
     sort(nar.begin(), nar.end());
     // DBL 跟 Ø 比較. 沒符點數不用
10
     auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
     // p 是否在 1 的左半平面
12
13
     auto lft = [&](Point p, Line 1) {
14
      return dblcmp(cross(1.v, p-1.p)) > 0;
15
16
17
     int q1 = 0, qr = 0;
     Line L[maxn] = {nar[0]};
18
19
     Point P[maxn];
20
21
     for(int i=1; i<nar.size(); i++) {</pre>
       for(; ql<qr&&!lft(P[qr-1],nar[i]); qr--);</pre>
22
23
       for(; ql<qr&&!lft(P[ql],nar[i]); ql++);</pre>
      L[++qr] = nar[i];
24
25
       if(dblcmp(cross(L[qr].v,L[qr-1].v))==0) {
26
        if(lft(nar[i].p,L[--qr])) L[qr]=nar[i];
27
       if(ql < qr)
28
        P[qr-1] = intersection(L[qr-1], L[qr]);
29
30
31
     for(; ql<qr && !lft(P[qr-1], L[ql]); qr--); 40 }</pre>
     if(qr-ql <= 1) return {};</pre>
32
33
     P[qr] = intersection(L[qr], L[ql]);
     return Polygon(P+q1, P+qr+1);
34
```

DP 6

6.1 以價值為主的背包

```
/*w 變得太大所以一般的01背包解法變得不可能
     觀察題目w變成10^9
     而 v_i變成 10^3
    N不變 10^2
     試著湊湊看dp狀態
     dp[maxn][maxv]是可接受的複雜度
     剩下的是轉移式,轉移式變成
     dp[i][j] = w \rightarrow
          當目前只考慮到第i個商品時,達到獲利j時最少的weight
          = w
    所以答案是dp[n][1 \sim maxv]找價值最大且裝的下的*/
   #define maxn 105
   #define maxv 100005
   long long dp[maxn][maxv];
   long long weight[maxn];
   long long v[maxn];
15
   int main() {
      int n;
16
       long long w;
17
       scanf("%d %11d", &n, &w);
18
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {
          scanf("%11d %11d", &weight[i], &v[i]);
20
21
       memset(dp, 0x3f, sizeof(dp));
22
       dp[0][0] = 0;
23
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
24
          for (int j = 0; j <= maxv; ++j) {</pre>
25
              if (j - v[i] >= 0)
26
                 dp[i][j] = dp[i - 1][j -
27
                      v[i]] + weight[i];
              dp[i][j] = min(dp[i - 1][j],
28
                   dp[i][j]);
          }
29
      }
30
       long long res = 0;
31
32
       for (int j = maxv - 1; j \ge 0; --j) {
          if (dp[n][j] <= w) {</pre>
33
34
              res = j;
35
              break;
36
          }
37
      printf("%11d\n", res);
38
       return 0:
```

抽屜 6.2

```
1 long long dp[70][70][2];
   // 初始條件
  dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
  for (int i = 2; i <= 66; ++i){</pre>
      // i個抽屜0個安全且上方0 =
      // (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
      // (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
      dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
      for (int j = 1; j <= i; ++j) {</pre>
10
         dp[i][j][0] =
11
           dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];
12
         dp[i][j][1] =
13
           dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];
15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
```

6.3 Barcode

```
1 int N, K, M;
2 long long dp[55][55];
 // n -> 目前剩多少units
4 // k -> 目前剩多少bars
```

```
// m -> 1 bar最多多少units
   long long dfs(int n, int k) {
       if (k == 1) {
          return (n <= M);</pre>
9
10
       if (dp[n][k] != -1)
11
          return dp[n][k];
12
       long long result = 0;
       for (int i = 1; i < min(M + 1, n); ++i)</pre>
           { // < min(M + 1, n)是因為n不能==0
           result += dfs(n - i, k - 1);
15
16
       return dp[n][k] = result;
17
  }
18
   int main() {
19
       while (scanf("%d %d %d", &N, &K, &M) !=
            EOF) {
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
          printf("%11d\n", dfs(N, K));
21
22
23
       return 0;
24 }
```

6.4 Deque 最大差距

```
1 /*定義 dp[1][r]是1 ~ r時與先手最大差異值
    轉移式: dp[1][r] = max{a[1] - solve(1 + 1,
         r), a[r] - solve(1, r - 1)}
    裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,
    所以正負正負...*/
   #define maxn 3005
   bool vis[maxn][maxn];
   long long dp[maxn][maxn];
   long long a[maxn];
   long long solve(int 1, int r) {
      if (1 > r) return 0;
      if (vis[l][r]) return dp[l][r];
      vis[1][r] = true;
12
      long long res = a[l] - solve(l + 1, r);
      res = max(res, a[r] - solve(1, r - 1));
14
15
      return dp[1][r] = res;
16 }
17
  int main() {
18
      printf("%l1d\n", solve(1, n));
19
```

6.5 LCS 和 LIS

6.6 RangeDP

```
if (i == j - 1)
          return dp[i][j] = 0;
10
       int cost = 0x3f3f3f3f;
11
       for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
          //枚舉區間中間切點
13
           cost = min(cost, solve(i, m) +
15
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
16
17
       return dp[i][j] = cost;
18 }
19
   int main() {
      int 1,n;
20
21
       while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
           scanf("%d", &n);
22
23
           for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
              scanf("%d", &cuts[i]);
          cuts[0] = 0;
25
           cuts[n + 1] = 1;
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
27
28
          printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
      }
29
30
       return 0;
```

6.7 stringDP

```
dp[i,j] = \left\{ \begin{array}{ccc} i+1, & \text{if } j=-1 & 16 \\ j+1, & \text{if } i=-1 & 17 \\ dp[i-1,j-1], & \text{if } S_1[i] = S_2[j] & 18 \\ dp[i,j-1] \\ dp[i-1,j] \\ dp[i-1,j-1] \\ \end{array} \right\} + 1, & \text{if } S_1[i] \neq S_2[j] & 19 \\ dp[i-1,j-1] \\ 20 \\ 21 \\ \end{array}
```

Edit distance S_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2

Longest Palindromic Subsequence

```
dp[l,r] = \left\{ \begin{array}{ccc} 1 & \text{if} & l=r & \mathbf{24} \\ dp[l+1,r-1] & \text{if} & S[l] = S[r] & \mathbf{25} \\ \max\{dp[l+1,r],dp[l,r-1]\} & \text{if} & S[l] \neq S[r] & \mathbf{26} \end{array} \right.
```

6.8 樹 DP 有幾個 path 長度為 k

```
1 #define maxn 50005
                                                   32
2 #define maxk 505
                                                   33
 3 //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
                                                   34
 4 long long dp[maxn][maxk];
                                                   35
   vector<vector<int>> G;
                                                   36
 6 int n, k;
                                                   37
   long long res = 0;
                                                   38
   void dfs(int u, int p) {
                                                   39
       //u自己
                                                   40
       dp[u][0] = 1;
                                                   41
11
       for (int v: G[u]) {
                                                   42
          if (v == p)
12
                                                   43
13
              continue;
                                                   44
          dfs(v. u):
14
                                                   45
          for (int i = 1; i <= k; ++i) {
15
                                                   46
              //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
16
                                                   47
17
              dp[u][i] += dp[v][i - 1];
                                                   48
18
                                                   49
19
20
       //統計在u子樹中距離u為k的數量
       res += dp[u][k];
21
                                                   50
       long long cnt = 0;
                                                   51
       for (int v: G[u]) {
23
                                                   52
24
        if (v == p)
                                                   53
25
          continue; //重點算法
        for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
28
            dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
29
      }
30
31
      res += cnt / 2:
```

```
6.9 TreeDP reroot
```

 $/*re-root\ dp\ on\ tree\ O(n+n+n)\ ->\ O(n)*/$

printf("%11d\n", res);

dfs(1, -1);

return 0;

34

35

36

37

38 }

```
class Solution {
   public:
      vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
            vector<vector<int>>& edges) {
          this->res.assign(n, 0);
          G.assign(n + 5, vector<int>());
          for (vector<int>& edge: edges) {
              G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
 9
              G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
10
          memset(this->visited, 0,
               sizeof(this->visited));
          this->dfs(0):
          memset(this->visited, 0,
13
               sizeof(this->visited));
          this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
          memset(this->visited. 0.
               sizeof(this->visited));
          this->dfs3(0, n);
16
17
          return this->res;
      }
   private:
      vector<vector<int>> G;
      bool visited[30005]:
       int subtreeSize[30005];
22
23
       vector<int> res;
24
       //求subtreeSize
       int dfs(int u) {
          this->visited[u] = true;
26
27
          for (int v: this->G[u])
              if (!this->visited[v])
28
                 this->subtreeSize[u] +=
                       this->dfs(v);
          //自己
          this->subtreeSize[u] += 1;
          return this->subtreeSize[u];
       //求res[0], 0到所有點的距離
       int dfs2(int u, int dis) {
          this->visited[u] = true;
          int sum = 0;
          for (int v: this->G[u])
              if (!visited[v])
                  sum += this->dfs2(v, dis + 1);
          //要加上自己的距離
          return sum + dis:
       //算出所有的res
       void dfs3(int u, int n) {
          this->visited[u] = true;
          for (int v: this->G[u]) {
              if (!visited[v]) {
                  this->res[v] = this->res[u] +
                       this->subtreeSize[v];
                  this->dfs3(v, n);
              }
          }
      }
54 };
```

6.10 WeightedLIS

```
1 #define maxn 200005
 2 long long dp[maxn];
 3 long long height[maxn];
   long long B[maxn];
 5 long long st[maxn << 2];</pre>
   void update(int p, int index, int 1, int r,
        long long v) {
       if (1 == r) {
 8
           st[index] = v;
 9
           return;
10
11
       int mid = (1 + r) >> 1;
12
       if (p <= mid)
13
           update(p, (index << 1), 1, mid, v);
14
15
           update(p, (index << 1)+1,mid+1,r,v);
16
       st[index] =
17
         max(st[index<<1],st[(index<<1)+1]);</pre>
18 }
19
   long long query(int index, int 1, int r, int
         ql, int qr) {
       if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
20
           return st[index];
21
       int mid = (1 + r) >> 1;
22
       long long res = -1;
23
       if (ql <= mid)</pre>
25
           res =
26
             max(res,query(index<<1,1,mid,q1,qr));</pre>
27
       if (mid < qr)</pre>
28
           res =
             max(res,query((index<<1)+1,mid+1,r,ql,qr));</pre>
29
       return res;
30
31
   int main() {
32
33
       int n;
       scanf("%d", &n);
34
       for (int i = 1; i <= n; ++i)
    scanf("%11d", &height[i]);</pre>
35
36
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
37
38
           scanf("%11d", &B[i]);
39
       long long res = B[1];
40
       update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
41
       for (int i = 2; i <= n; ++i) {
           long long temp;
42
43
           if (height[i] - 1 >= 1)
44
               temp =
45
                 B[i]+query(1,1,n,1,height[i]-1);
46
47
               temp = B[i];
48
           update(height[i], 1, 1, n, temp);
           res = max(res, temp);
49
50
       printf("%lld\n", res);
51
52
       return 0;
```