9 9

10

10

10

Contents

1	ubuntu
	1.1 run
	1.2 cp.sh
2	Basic
	2.1 ascii
	2.2 limits
3	字串
	3.1 最長迴文子字串
	3.2 stringstream
4	STL
	4.1 priority_queue
	4.2 deque
	4.3 map
	4.4 unordered_map
	4.5 set
	4.6 multiset
	4.7 unordered_set
	4.8 單調隊列
	1.0 年間のグリー・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
5	sort
	5.1 大數排序
6	math
	6.1 質數與因數
	6.2 快速冪
	6.3 歐拉函數
7	algorithm
	7.1 basic
	7.2 binary search
	7.3 prefix sum
	7.4 差分
	7.5 greedy
	7.6 floyd warshall
	7.7 dinic
	7.8 SegmentTree
	7.9 Nim Game
	7.10 Trie
	7.11 SPFA
	7.12 dijkstra
	7.12 42/10014
8	動態規劃
	8.1 LCS 和 LIS
9	Section2
-	9.1 thm
1	ubuntu

ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
3 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4 if [[ "$?" == "0" ]]; then
5
          echo Running
          ./$1 < $1.in > $1.out
6
          echo END
7
8 fi
```

Basic

2.1 ascii

1	1	int	char	int	char	int	char
	2	32		64	@	96	•
1	3	33	!	65	Α	97	а
1	4	34	"	66	В	98	b
1	5	35	#	67	С	99	С
1	6	36	\$	68	D	100	d
	7	37	%	69	Ε	101	е
1	8	38	&	70	F	102	f
2	9	39	•	71	G	103	g
2 2	10	40	(72	Н	104	h
	11	41)	73	I	105	i
	12	42	*	74	J	106	j
2	13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
2	14	44	,	76	L	108	1
3	15	45	-	77	М	109	m
3	16	46		78	N	110	n
3	17	47	/	79	0	111	0
3	18	48	0	80	P	112	p
3	19	49	1	81	Q	113	q
	20	50	2	82	R	114	r
3	21	51	3	83	S	115	s
3	22	52	4	84	T	116	t
4	23	53	5	85	U	117	u
4	24	54	6	86	V	118	V
4	25	55	7	87	W	119	W
5	26	56	8	88	X	120	X
3	27	57	9	89	Y	121	y
5	28	58	:	90	Z	122	Z
5	29	59	;	91	Γ	123	{
5	30	60	<	92	1	124	1
5	31	61	=	93	J	125	}
5	32	62	>	94	٨	126	~
6	33	63	?	95	_		
7	·						

2.2 limits

```
1 [Type]
                       [size]
                                    [range]
                                  127 to -128
10 2 char
                        1
                                  127 to -128
   3 signed char
                         1
  4 unsigned char
                                  0 to 255
                         1
     short
                         2
                                  32767 to -32768
     int
                                  2147483647 to -2147483648
                         4
  7
     unsigned int
                                  0 to 4294967295
                                  2147483647 to -2147483648
  8 long
                         4
                         4
     unsigned long
                                  0 to 18446744073709551615
   9
  10 long long
                         8
                9223372036854775807 to -9223372036854775808
  11
  12 double
                              1.79769e+308 to 2.22507e-308
                        8
  13 long double
                         16
                              1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
  14 float
                         4
                                 3.40282e+38 to 1.17549e-38
  15 unsigned long long 8
                                  0 to 18446744073709551615
  16 string
                         32
```

字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include < bits / stdc ++ . h >
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
  using namespace std;
3
5
  string s;
6 int n;
8
 int ex(int 1,int r){
  int i=0;
```

```
10
     while (1-i)=0&&r+i<0&T(1-i)==T(r+i) i++;
11
     return i:
12 }
13
14 int main(){
15
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
20
     int ans=1;
     r[0]=1;
21
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
         center=i;
27
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
          center=i;
         mx=i+r[i]-1;
33
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout << ans -1 << "\n";
39
     return 0;
40 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
bwhile(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
  讀取優先權最高的值:
3
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
5
     pq.pop();
6 判斷是否為空的priority_queue:
                            //回傳 true
7
     pq.empty()
     pq.size()
8
9|如需改變priority_queue的優先權定義:
                          //預設由大到小
     priority_queue<T> pq;
10
11
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
12
                            //改成由小到大
13
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
                                        //cmp
```

4.2 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2 (Standard Template Library, STL)
3 中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
4 跟 vector 相似,不過在 vector 中若是要添加新元素至開端,
5 其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。
6 同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
7 讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
```

```
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
             //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
     n: 元素插入次數
17
     val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20 dq.clear()
              //清空整個 deque 佇列。
21 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
22 | dq.empty()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
                若是存在任何元素,則返回0
23
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
25 dq.end()
26
                不是最後一個元素,
                而是最後一個元素的下一個位置
27
```

4.3 map

```
1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構,
2
      會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
6
  begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
7
  end():回傳指向map末尾的迭代器
  rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
  取value:it->second 或 (*it).second
14
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
  max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 | 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
  swap():交換兩個map
25
26
27| 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
  //實作範例
31
32 #include <bits/stdc++.h>
33
  using namespace std;
  int main(){
34
35
     //declaration container and iterator
36
     map<string, string> mp;
37
     map<string, string>::iterator iter;
38
     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
     //insert element
     mp.insert(pair<string, string>
41
            ("r000", "student_zero"));
42
     mp["r123"] = "student_first";
43
44
     mp["r456"] = "student_second";
45
     //traversal
```

```
47
       for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
           cout << iter -> first << " "
48
49
                         <<iter->second<<endl;
       for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
50
51
           cout << iter_r -> first << "
                 "<<iter_r->second<<endl;
52
53
       //find and erase the element
       iter=mp.find("r123");
54
       mp.erase(iter);
55
56
       iter=mp.find("r123");
       if(iter!=mp.end())
57
58
          cout << "Find, the value is "
                    <<iter->second<<endl;
59
60
       else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
61
       return 0;
62 }
```

4.4 unordered_map

```
1 | unordered_map: 存放 key-value pairs2 | 的「無序」映射資料結構。3 | 用法與map相同
```

4.5 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  取值: 使用iterator
3
4
      x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
6
      x = *st.rbegin();
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
  判斷是否為空的set:
9
10
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
14
      st.count(x):
      auto it = st.find(x);
15
16
         // binary search, O(log(N))
17
      auto it = st.lower_bound(x);
18
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.upper_bound(x);
19
20
         // binary search, O(log(N))
```

4.6 multiset

4.7 unordered_set

```
unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),

phase phase
```

```
7 unordered_set <int> myunordered_set;
8 myunordered_set.insert(2);
9 myunordered_set.insert(4);
10 myunordered_set.insert(6);
11 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
12 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0</pre>
```

4.8 單調隊列

```
1 //單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
2
  example
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
9
10
  #define maxn 1000100
11
  using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
13 int n, k;
14
15
  void getmin() {
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
17
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20
          g[++tail]=i:
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
           q[++tail]=i;
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
           cout <<a[q[head]]<<"
26
27
28
       cout << endl;
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head=0,tail=0;
32
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
37
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail]=i;
39
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
           cout <<a[q[head]]<<"
42
43
      cout << end1;
44
  }
45
46
  int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
       getmin();
50
       getmax();
51
       return 0;
52 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
# 建立空串列
6
      arr = []
      for i in range(n):
7
8
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
                              # 串列排序
9
      arr.sort()
10
      for i in arr:
11
       print(i)
                            # 依序印出串列中每個項目
    except:
12
13
      break
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
  for(int i=2;i*i<=n;i++){</pre>
5
6
       if(isprime[i])
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
7
8 }
9
10 歐拉篩0(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
16
17
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2; i < MAXN; i++){</pre>
18
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
19
20
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
       }
24
25
  }
26
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
  int GCD(int a, int b){
28
29
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
30
  }
31
32
33 質因數分解
  void primeFactorization(int n){
34
35
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
           if(p[i]*p[i]>n) break;
36
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
39
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40
41
       if(n!=1) cout << n << ' ';
42
       cout << '\n';
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 \frac{1}{ax+by=GCD(a,b)}
47
  #include <bits/stdc++.h>
48
  using namespace std;
49
  int ext_euc(int a,int b,int &x,int &y){
       if(b==0){
51
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
       }
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56
       y-=a/b*x;
57
       return d;
58 }
59
```

```
60 int main(){
       int a,b,x,y;
61
       cin>>a>>b;
62
       ext_euc(a,b,x,y);
63
64
       cout << x << ' '<< y << endl;
65
       return 0;
66
   }
67
68
69
   歌德巴赫猜想
70
71
   solution: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #include <iostream>
72
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75
   int ox[N],p[N],pr;
76
   void PrimeTable(){
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
       pr=0;
79
       for(int i=2:i<N:i++){</pre>
80
            if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
            for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
                ox[i*p[j]]=1;
       }
83
84
   }
85
86
   int main(){
       PrimeTable();
87
88
       int n;
       while(cin>>n,n){
89
90
            int x:
91
            for(x=1;;x+=2)
92
                if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
            printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
       }
94
   }
95
   problem : 給定整數 N,
96
            求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
97
   如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
   #include < bits / stdc ++. h>
102
   using namespace std;
103
104
   bool isPrime(int n){
105
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
106
            if(i*i>n) return true;
107
108
            if(n%i==0) return false;
109
       }
       return true;
110
111
   }
112
   int main(){
113
114
       int n;
115
       cin>>n;
116
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
117
       else cout << "3\n";</pre>
119 }
```

6.2 快速冪

```
1 計算a^b
  #include<iostream>
  #define ll long long
  using namespace std;
  const 11 MOD=1000000007;
6
7
  11 fp(11 a, 11 b) {
       int ans=1;
8
9
       while(b>0){
10
           if(b&1) ans=ans*a%MOD;
           a=a*a%MOD;
11
12
           b>>=1;
```

```
13 }
14 return ans;
15 }
16
17 int main() {
18 int a,b;
19 cin>>a>>b;
20 cout<<fp(a,b);
21 }
```

6.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
  int phi(){
3
      int ans=n:
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
5
6
          if(n%i==0){
7
               ans=ans-ans/i;
              while(n%i==0) n/=i;
8
9
          }
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
10
11
      return ans;
12 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
기 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
15 upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
20
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
21 prev_permutation(first, last)
```

7.2 binary search

```
1 int binary_search(int target) {
                                          // For range [ok,
      ng) or (ng, ok]
                                          // "ok" is for
2
      int ok = maxn;
           the index that target value exists, with "ng"
           does not.
      int ng = -1;
                                          // For first
3
           lower\_bound, ok = maxn and ng = -1,
                                      // for last
      while(abs(ok - ng) > 1) {
4
           lower\_bound, ok = -1 and ng = maxn (the
           "check" funtion should be changed depending
           on it.)
           int mid = (ok + ng) >> 1;
5
          if(check(mid)) ok = mid;  // Be of
   "arr[mid] >= target" for first
6
                                         // Be careful,
                lower_bound and "arr[mid] <= target" for</pre>
               last lower_bound.
```

```
7
          else ng = mid;
                                     // For range (ng,
              ok], convert it into (ng, mid] and (mid,
              ok] than choose the first one,
8
      }
                                     // or convert
          [ok, ng) into [ok, mid) and [mid, ng) and
          than choose the second one.
      return ok;
9
10 }
11
12 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                     //最左邊 ≥ k
      的位置
                                     //最左邊 > k
13 upper_bound(arr, arr + n, k);
      的位置
                                     //最右邊 ≤ k
14 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1;
      的位置
15 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1;
                                     //最右邊 < k
      的位置
                                     //等於 k 的範圍
16 (lower_bound, upper_bound)
17 equal_range(arr, arr+n, k);
```

7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
  陣列前n項的和。
3 | b[i] = a[0] + a[1] + a[2] + \cdots + a[i]
  區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
  #include <bits/stdc++.h>
7
  using namespace std;
  int main(){
8
       int n;
9
       cin>>n:
10
11
       int a[n],b[n];
12
       for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
13
       b[0]=a[0];
       for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';</pre>
15
16
       cout << '\n';
       int 1,r;
17
18
       cin>>l>>r;
       cout <<b[r]-b[1-1]; //區間和
19
20 }
```

7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5|給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
6 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8|在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
9|最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
  #include <bits/stdc++.h>
12
13
  using namespace std;
14
  int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
15
  int main(){
17
     int n, 1, r, v;
      cin >> n;
18
19
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
         cin >> a[i];
20
21
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
22
23
     cin >> 1 >> r >> v;
24
     b[1] += v;
     b[r+1] -= v;
25
26
```

```
for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
                                                      66
                                                            for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
         b[i] += b[i-1];
                                                            int i=1, ans=0;
                                                      67
28
         cout << b[i] << ' ';
29
                                                      68
                                                            while(i<=n){
                                                               int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
30
      }
                                                      69
31 }
                                                      70
                                                               int nextR=-1;
                                                               for(int j=R; j>=L; --j){
                                                      71
                                                      72
                                                                   if(a[j]){
                                                      73
                                                                       nextR=i:
  7.5 greedy
                                                      74
                                                                       break;
                                                                   }
                                                      75
                                                      76
                                                               }
1 // 貪心
                                                      77
                                                               if(nextR==-1){
78
                                                                   ans=-1;
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
                                                      79
                                                                   break:
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
                                                      80
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
                                                               ++ans;
                                                      81
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
                                                      82
                                                               i=nextR+r;
  確認無誤再實作。
7
                                                      83
                                                           }
                                                            cout << ans << '\n';
                                                      84
8
9
                                                      85
                                                        }
  刪數字問題
                                                      86
10
                                                      87
11 //problem
                                                        最多不重疊區間
12 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
                                                      89
                                                        //problem
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
                                                      90 | 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
14
                                                        請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                      91
15 //solution
16 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
                                                      92
17 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
                                                      93
                                                        //solution
                                                        依照右界由小到大排序,
                                                      94
18
                                                        每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
19
  //code
                                                      95
  int main(){
                                                      96
20
      string s;
                                                      97
                                                        //code
22
      int k;
                                                      98
                                                        struct Line{
      cin>>s>>k;
23
                                                      99
                                                            int L,R;
24
      for(int i=0;i<k;++i){</pre>
                                                     100
                                                            bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
         if((int)s.size()==0) break;
                                                                return R<rhs.R:
25
                                                     101
         int pos =(int)s.size()-1;
26
                                                     102
         for(int j=0; j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
27
                                                     103
                                                        };
             if(s[j]>s[j+1]){
                                                     104
28
29
                 pos=j;
                                                     105
                                                        int main(){
                                                           int t;
                 break:
                                                     106
30
31
             }
                                                     107
                                                            cin>>t;
         }
                                                            Line a[30]:
                                                     108
32
                                                     109
                                                            while(t--){
33
         s.erase(pos,1);
                                                               int n=0;
34
                                                     110
35
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
                                                               while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
                                                     111
         s.erase(0,1);
                                                     112
                                                                   ++n:
36
                                                               sort(a,a+n);
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n':
                                                     113
37
      else cout << 0 << '\n';
                                                               int ans=1,R=a[0].R;
38
                                                     114
                                                               for(int i=1;i<n;i++){</pre>
39 }
                                                     115
                                                                   if(a[i].L>=R){
40
                                                     116
41
                                                     117
                                                                       ++ans;
                                                                       R=a[i].R;
42 最小區間覆蓋長度
                                                     118
  //problem
                                                     119
                                                                   }
43
                                                               }
44 | 給定 n 條線段區間為 [Li, Ri],
                                                     120
                                                     121
                                                               cout <<ans << '\n';
45
  |請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
                                                           }
                                                     122
46
                                                     123
                                                        }
47 //solution
                                                     124
125
49 對於當前區間 [Li, Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                     126 最小化最大延遲問題
50 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
                                                        //problem
51
                                                     128 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
52 //problem
                                                     129 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
53 長度 n 的直線中有數個加熱器,
                                                     130 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
54 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                                        求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                     131
55 問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
                                                     132
56
                                                     133
                                                        //solution
57
  //solution
                                                     134
                                                        按照到期時間從早到晚處理。
58| 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
                                                     135
59 更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
                                                        //code
                                                     136
60
                                                     137
                                                        struct Work{
61 //code
                                                     138
                                                            int t. d:
62 int main(){
                                                            bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
                                                     139
      int n, r;
63
                                                               return d<rhs.d;</pre>
                                                     140
```

141

64

65

int a[1005];

cin >> n >> r;

```
142 };
143
   int main(){
144
                                                           219
145
       int n;
                                                           220
146
       Work a[10000];
       cin>>n;
147
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
148
149
           cin>>a[i].t>>a[i].d;
       sort(a,a+n);
150
                                                           224
       int maxL=0,sumT=0;
151
                                                           225
152
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                           226
           sumT+=a[i].t;
153
                                                           227
           maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
154
                                                           228
155
                                                           229
156
       cout << maxL << '\n';</pre>
  }
157
158
                                                           231
                                                           232
159
                                                           233
160 最少延遲數量問題
                                                           234
161
   //problem
                                                           235
   給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
162
                                                           236
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
163
                                                           237
164
                                                           238
   //solution
165
   期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序%
166
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
167
                                                           241
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
168
                                                           242
169
                                                           243
170
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                           244
171
                                                           245
   //problem
172
                                                           246
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                           247
173
                                                           248
174
                                                           249
175
   //solution
176 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                           250
                                                           251
177 工作處裡時長→烏龜重量
                                                           252
178 工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                           253
179 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                           254
180
                                                           255
181
   //code
                                                           256
182
   struct Work{
                                                           257
183
       int t, d;
       bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
184
           return d<rhs.d;</pre>
185
186
187
   };
188
   int main(){
189
190
       int n=0;
191
       Work a[10000]:
                                                            3
       priority_queue<int> pq;
192
193
       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
           ++n;
194
                                                            6
195
       sort(a,a+n);
                                                            7
       int sumT=0,ans=n;
196
                                                            8
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
197
                                                            9
           pq.push(a[i].t);
198
                                                            10
199
           sumT+=a[i].t;
                                                           11
200
           if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                           12
201
               int x=pq.top();
                                                           13
202
               pq.pop();
               sumT -=x;
                                                           14
203
                                                           15
               --ans:
                                                           16
           }
205
                                                           17
206
                                                           18
207
       cout << ans << '\n';
                                                           19
208 }
                                                           20
209
                                                           21
210 任務調度問題
                                                           22
211 //problem
                                                           23
212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
213 期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
214 請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                           26
215
                                                           27
216 //solution
```

```
217 依照懲罰由大到小排序,
218 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
   如果有空閒就放進去,否則延後執行。
   //problem
222 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
223 期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
       單位獎勵,
   請問最多會獲得多少單位獎勵。
   //solution
   和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
   //code
   struct Work{
      int d,p;
      bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
          return p>rhs.p;
   };
   int main(){
      int n;
      Work a[100005];
      bitset<100005> ok;
      while(cin>>n){
          ok.reset();
          for(int i=0;i<n;++i)</pre>
              cin>>a[i].d>>a[i].p;
          sort(a,a+n);
          int ans=0;
          for(int i=0;i<n;++i){</pre>
              int j=a[i].d;
              while(j--)
                 if(!ok[j]){
                     ans+=a[i].p;
                     ok[j]=true;
                     break:
                 }
          cout << ans << '\n';
      }
258 }
```

7.6 floyd warshall

cout << medium[s][t];</pre>

```
1 int w[n][n];
  int d[n][n];
  int medium[n][n];
  // 由i點到j點的路徑,其中繼點為medium[i][j]。
  void floyd_warshall(){
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
      for(int j=0;j<n;j++){</pre>
        d[i][j]=w[i][j];
        medium[i][j]=-1;
        // 預設為沒有中繼點
      }
    for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
    for(int k=0; k<n; k++)</pre>
      for(int i=0;i<n;i++)</pre>
        for(int j=0;j<n;j++)</pre>
          if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
            d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
            medium[i][j]=k;
            // 由 i 點走到 j 點經過了 k 點
          }
24 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
25 void find_path(int s,int t){
                                  // 印出最短路徑
    if(medium[s][t]==-1) return; // 沒有中繼點就結束
    find_path(s,medium[s][t]);
                                  // 前半段最短路徑
```

// 中繼點

```
// 後半段最短路徑
29
     find_path(medium[s][t],t);
                                                              71
                                                                     while(scanf("%d",&nodeNum)!=EOF&&nodeNum!=0){
30 }
                                                              72
                                                                         memset(graph, 0, sizeof(graph));
                                                              73
                                                                         scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
                                                              74
                                                                         int u, v, w;
                                                              75
                                                                         for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){
  7.7 dinic
                                                                              scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                              76
                                                              77
                                                                              graph[u][v] += w;
                                                              78
                                                                              graph[v][u] += w;
1 #include <stdio.h>
                                                              79
                                                                         }
2 #include <string.h>
                                                                         maxFlow = dinic(from, to);
                                                              80
3 #include <queue>
                                                              81
                                                                         printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
  #define MAXNODE 105
                                                                         printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
                                                              82
5 #define oo 1e9
                                                              83
                                                                     }
6 using namespace std;
                                                              84
                                                                     return 0;
                                                              85 }
8 int nodeNum;
9
  int graph[MAXNODE][MAXNODE];
10 int levelGraphΓMAXNODE ]:
                                                                 7.8 SegmentTree
11 bool canReachSink[MAXNODE];
12
13 bool bfs(int from, int to){
                                                                 struct node{
14
       memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
                                                                     int val:
15
       levelGraph [from ]=1:
                                                                     node *1,*r;
                                                               3
       queue<int> q;
16
                                                               4
                                                                     node(int v=0):val(v){};
       q.push(from);
17
                                                                     node(node* 1,node* r):1(1),r(r){pull();}
                                                               5
18
       int currentNode;
                                                               6
                                                                     void pull(){val=min(1->val,r->val);}
19
       while(!q.empty()){
                                                               7
                                                                     //1->va1就是 (*1). va1 ,注意 . 的優先順序比*還高
           currentNode=q.front();
20
                                                               8 };
21
           q.pop();
                                                               9
           for(int nextNode=1; nextNode<=nodeNum</pre>
22
                                                              10 int v[N]; //原數列
23
                                    ;++nextNode){
                                                              11
                                                                 node* build(int 1,int r){
24
               if((levelGraph[nextNode]==0)&&
                                                              12
                                                                     if(l+1==r) return new node(v[1]);
25
                   graph[currentNode][nextNode]>0){
                                                              13
                                                                     int mid=(l+r)/2;
26
                   levelGraph[nextNode]=
                                                              14
                                                                     return new node(build(1,mid),build(mid,r));
27
                        levelGraph[currentNode]+1;
                                                              15
                                                                 }
28
                   q.push(nextNode);
                                                              16
29
                                                                 void modify(node* a, int 1, int r, int pos, int k){
                                                              17
30
               if((nextNode==to)&&
                                                                     //把 pos位置的值换成 k
                                                              18
31
                   (graph[currentNode][nextNode]>0))
                                                                     if(l+1==r){a->val=k; return;};
32
                   return true;
                                                              19
                                                              20
                                                                     int mid=(1+r)/2;
33
           }
       }
                                                              21
                                                                     if(pos<mid) modify(a->1,1,mid,pos,k);
34
                                                              22
                                                                     else modify(a->r,mid,r,pos,k);
35
       return false;
                                                              23
                                                                     a->pull();
36 }
                                                              24 }
37
  int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
                                                              25
38
       if(from == to) return bottleNeck;
                                                              26
                                                                 int query(node* a, int 1, int r, int q1, int qr){
       int outFlow = 0;
39
40
       int flow;
                                                              27
                                                                     //查詢[q1,qr)範圍的最小值
                                                              28
                                                                     if(r<=ql||qr<=l) return inf;</pre>
       for(int nextNode=1; nextNode <= nodeNum; ++ nextNode){</pre>
41
                                                              29
                                                                     if(ql<=l&&r<=qr) return a->val;
42
           if((graph[from][nextNode]>0)&&
                                                                     int mid=(1+r)/2:
43
               (levelGraph[from]==levelGraph[nextNode]-1)&&30
                                                                     return min(query(a->1,1,mid,ql,qr),
44
               canReachSink[nextNode]){
                                                              31
               flow=dfs(nextNode, to,
                                                              32
                                                                                  query(a->r,mid,r,ql,qr));
45
                   min(graph[from][nextNode],bottleNeck)); 33|}
46
               graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
47
               graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
48
49
               outFlow+=flow;
                                                                 7.9 Nim Game
50
               bottleNeck -= flow;
51
                                                               1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
52
           if(bottleNeck==0) break;
                                                                 //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
53
                                                                 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
54
       if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
55
       return outFlow;
56 }
                                                                 #include <bits/stdc++.h>
57
                                                               6
                                                                 #define maxn 23+5
  int dinic(int from, int to){
58
                                                                 using namespace std;
59
       int maxFlow=0;
       while(bfs(from. to)){
60
                                                                 int SG[maxn]:
                                                                 int visited[1000+5];
61
           memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
62
           maxFlow += dfs(from, to, oo);
                                                              11
                                                                 int pile[maxn],ans;
63
                                                              12
64
       return maxFlow;
                                                              13
                                                                 void calculateSG(){
65 }
                                                                     SG [ 0 ] = 0:
                                                              14
                                                              15
                                                                     for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
66
67
  int main(){
                                                              16
                                                                         int cur=0;
68
       int from, to, edgeNum;
                                                              17
                                                                         for(int j=0;j<i;j++)</pre>
69
       int NetWorkNum = 1;
                                                              18
                                                                              for(int k=0; k<=j; k++)</pre>
```

19

visited[SG[j]^SG[k]]=i;

int maxFlow;

70

```
20
            while(visited[cur]==i) cur++;
                                                                    26
                                                                                          memset(ch[seq],0,sizeof(ch[seq]));
                                                                    27
21
            SG[i]=cur;
                                                                                          valΓseg++l=0:
22
       }
                                                                    28
                                                                                     }
                                                                                     row=ch[row][letter_no];
23 }
                                                                    29
24
                                                                    30
25
   int main(){
                                                                    31
                                                                                 val[row]=n;
       calculateSG();
                                                                    32
26
27
       int Case=0,n;
                                                                    33
                                                                            void find_prefix(char *s,int len,vector<int>&vc){
       while(cin>>n,n){
                                                                                 int row=0;
28
                                                                    34
                                                                    35
                                                                                 for(int i=0;i<len;i++){</pre>
29
          ans=0:
30
          for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
                                                                    36
                                                                                      int letter_no=s[i]-'a';
          for(int i=1;i<=n;i++) if(pile[i]&1)</pre>
                                                                                     if(ch[row][letter_no]==0) return;
                                                                    37
31
               ans^=SG[n-i];
                                                                    38
                                                                                     row=ch[row][letter_no];
          cout << "Game "<<++Case << ": ";
                                                                    39
                                                                                     if(val[row]) vc.push_back(val[row]);
32
33
          if(!ans) cout << "-1 -1 -1\n";
                                                                    40
                                                                            }
34
          else{
                                                                    41
35
            bool flag=0;
                                                                    42
                                                                       }tr;
36
            for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
                                                                    43
37
              if(pile[i]){
                                                                    44
                                                                       int main(){
38
                 for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
                                                                    45
                                                                            int Case=1;
                   for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
                                                                            while(cin>>S){
39
                                                                    46
40
                     if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
                                                                    47
                                                                                 int n;
                        cout <<i -1 << " " << j -1 << " " << k -1 << endl;
41
                                                                    48
                                                                                 cin>>n;
                                                                    49
                                                                                 tr.init();
42
                        flag=1;
43
                                                                    50
                                                                                 for(int i=0;i<n;i++){</pre>
                        break:
                     }
44
                                                                    51
                                                                                     cin>>wd:
                  }
45
                                                                    52
                                                                                      tr.insertion(wd);
                                                                                 }
46
                   if(flag) break;
                                                                    53
47
                                                                    54
                                                                                 memset(dp,0,sizeof(dp));
48
                 if(flag) break;
                                                                    55
                                                                                 int N=strlen(S);
              }
49
                                                                                 dp ΓN l=1:
                                                                    56
50
            }
                                                                    57
                                                                                 for(int i=N-1;i>=0;i--){
                                                                                     vector<int> vc;
51
         }
                                                                    58
52
                                                                    59
                                                                                      tr.find_prefix(S+i,N-i,vc);
53
       return 0;
                                                                    60
                                                                                     for(int j=0;j<vc.size();j++)</pre>
54 }
                                                                    61
                                                                                          dp[i]=(dp[i]+dp[i+vc[j]])%MOD;
55
                                                                    62
                                                                                 }
  /*
                                                                                 cout << "Case "<<Case++<<": "<<dp[0]<<endl;</pre>
56
                                                                    63
57
   input
                                                                    64
58 4 1 0 1 100
                                                                    65
                                                                            return 0;
59 3 1 0 5
                                                                    66
                                                                       }
60 2 2 1
                                                                    67
61 0
                                                                    68
62
                                                                    69
                                                                        input
   output
63 Game 1: 0 2 3
                                                                    70
                                                                       abcd
64 Game 2: 0 1 1
                                                                    71
65 Game 3: -1 -1 -1
                                                                    72
                                                                       a b cd ab
                                                                        output
66 */
                                                                    73
                                                                    74
                                                                       Case 1: 2
                                                                    75
                                                                       */
```

7.10 Trie

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define word_maxn 4000*100+5
3 #define str_maxn 300000+5
4 #define sigma_num 26
5 #define MOD 20071027
6 using namespace std;
8 int dp[str_maxn];
9
  char S[str_maxn];
10 char wd[100+5];
11
12
  struct Trie{
13
       int ch[word_maxn][sigma_num];
14
       int val[word_maxn];
       int seq;
15
16
       void init(){
17
           seq=1;
18
           memset(ch,0,sizeof(ch));
19
       void insertion(char *s){
20
21
           int row=0,n=strlen(s);
22
           for(int i=0;i<n;i++){</pre>
23
                int letter_no=s[i]-'a';
24
                if(ch[row][letter_no]==0){
25
                    ch[row][letter_no]=seq;
```

7.11 SPFA

```
1 void spfa(int s){
     for(int i=0;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f;</pre>
3
     dis[s]=0, vis[s]=1,q[1]=s;
4
    int i,v,head=0,tail=1;
5
     while(head<tail){</pre>
                             //隊列非空
6
       head++;
                           //取隊首元素
7
      v=q[head];
8
      vis[v]=0;
       for(i=0;i<=n;i++) //對所有頂點
9
10
          if(a[v][i]>0&&dis[i]>dis[v]+a[v][i]){
11
           dis[i]=dis[v]+a[v][i];//修改最短路
           if(vis[i]==0){
12
13
             tail++;
14
             q[tail]=i;
15
             vis[i]=1;
           }
16
17
          }
18
    }
19
20 }
```

7.12 dijkstra

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 50000+5
  #define INF 0x3f3f3f3f3f
4 using namespace std;
6 struct edge{
7
       int v,w;
8 };
9
10 struct Item{
11
       int u, dis;
       bool operator<(const Item &rhs)const{</pre>
12
13
            return dis>rhs.dis;
       }
14
15 };
16
17
  vector<edge> G[maxn];
  int dist[maxn];
18
19
   void dijkstra(int s){
20
       memset(dist,INF,sizeof(dist));
21
       dist[s]=0;
22
23
       priority_queue < Item > pq;
24
       pq.push({s,0});
25
       while(!pq.empty()){
26
            Item now=pq.top();
            pq.pop();
27
28
            if(now.dis>dist[now.u]) continue;
            for(edge e:G[now.u]){
29
                if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
30
31
                     dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
                     pq.push({e.v,dist[e.v]});
32
33
                }
            }
34
35
       }
36 }
37
38
   int main(){
       int t, cas=1;
39
40
       cin>>t;
41
       while(t--){
42
            int n,m,s,t;
            cin>>n>>m>>s>>t;
43
            for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
44
45
            int u,v,w;
            for(int i=0;i<m;i++){</pre>
46
47
                cin>>u>>v>>w;
                G[u].push_back({v,w});
48
                G[v].push_back({u,w});
49
50
            }
51
            dijkstra(s);
            cout << "Case #"<<cas++<<": ";
52
            if(dist[t]==INF) cout<< "unreachable \n";</pre>
53
54
            else cout<<dist[t]<<endl;</pre>
55
       }
56 }
```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```
1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
    3. 對 B 做 LIS
16
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
       越早出現的數字要越小
18
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
19
20
       直接忽略這個數字不做轉換即可
```

9 Section2

9.1 thm

- 中文測試
- $\cdot \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$