1

2

## Contents

## 1 ubuntu 1.1 run . . . 2 Basic 2.1 ascii . . . . . . . . . . . . . . . . 3 字串 3.1 最長迴文子字串 . . . . . . . . . . . . . . . 4.9 單調隊列 . . 5 sort 6 math 6.2 快速冪 6.3 歐拉函數 6.5 大步小步 7 algorithm 7.4 prefix sum . . . . . . . . . . . . . . . . 7.7 floyd warshall . . . . . . . . . . . . . . . . . . 8 geometry 15 8.1 intersection . . . . . . . . . . . . . . . . . 9 動態規劃 9.1 LCS 和 LIS . . . . . . . . . . . . . . . . . 16 10 Section2 10.1 thm . . . . . . . . . . . . . . . . . 16 11 DP 17 11.1 DP 公式 . . 17 12 slogan

### ubuntu

#### 1.1 run

```
1 ~ $ bash cp.sh PA
```

## 1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2
  clear
  g++ $1.cpp -DDBG -o $1
3
  if [[ "$?" == "0" ]]; then
          echo Running
          ./$1 < $1.in > $1.out
6
7
          echo END
8 fi
```

## Basic

#### 2.1 ascii

	1	int	char	int	char	int	char
	2	32		64	@	96	•
	3	33	!	65	Α	97	а
	4	34	"	66	В	98	b
,	5	35	#	67	С	99	C
+	6	36	\$	68	D	100	d
ļ	7	37	%	69	E	101	e
ļ	8	38	&	70	F	102	f
,	9	39	1	71	G	103	g
,	10	40	(	72	Н	104	h
,	11	41	)	73	I	105	i
,	12	42	*	74	J	106	j
	13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
•	14	44	,	76	L	108	1
	15	45	-	77	М	109	m
	16	46		78	N	110	n
,	17	47	/	79	0	111	0
,	18	48	0	80	P	112	p
,	19	49	1	81	Q	113	q
,	20	50	2	82	R	114	r
,	21	51	3	83	S	115	S
,	22	<i>52</i>	4	84	T	116	t
)	23	53	5	<i>85</i>	U	117	u
	24	54	6	86	V	118	V
	25	<i>55</i>	7	87	W	119	W
	26	56	8	88	X	120	X
!	27	57	9	89	Υ	121	y
	28	58	:	90	Z	122	Z
!	29	59	;	91	Γ	123	{
	30	60	<	92	\	124	1
	31	61	=	93	]	125	}
	32	62	>	94	٨	126	~
	33	63	?	95	_		
	,						

## 2.2 limits

```
[size]
1 [Type]
                                   [range]
2
  char
                       1
                                 127 to -128
                                 127 to -128
3
  signed char
                       1
  unsigned char
                       1
                                 0 to 255
                       2
                                 32767 to -32768
  short
  int
                        4
                                 2147483647 to -2147483648
  unsigned int
                        4
                                 0 to 4294967295
                        4
                                 2147483647 to -2147483648
8
  long
9
  unsigned long
                       4
                                 0 to 18446744073709551615
                       8
10
  long long
11
              9223372036854775807 to -9223372036854775808
                       8
                             1.79769e+308 to 2.22507e-308
12
  double
13
  long double
                       16
                             1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14
  float
                       4
                                3.40282e+38 to 1.17549e-38
15 unsigned long long
                       8
                                 0 to 18446744073709551615
16 string
                        32
```

# 3 字串

## 3.1 最長迴文子字串

```
1 | #include < bits / stdc++.h>
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
3 using namespace std;
5 string s;
6 int n;
8 int ex(int 1, int r){
    int i=0:
     while (1-i)=0&&r+i<0&T(1-i)==T(r+i) i++;
10
11
     return i;
12 }
13
14 int main(){
     cin>>s;
15
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
     int ans=1;
20
     r[0]=1;
21
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i:
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
          r[i]=len+ex(i-len,i+len);
         center=i:
32
33
         mx=i+r[i]-1;
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
       ans=max(ans,r[i]);
36
37
     cout << ans -1 << "\n";
38
39
     return 0;
40 }
```

### 3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
bwhile(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

### 4 STL

### 4.1 BIT

```
1 template <class T> class BIT {
2
  private:
    int size:
3
    vector<T> bit;
    vector<T> arr;
5
6
7
    BIT(int sz=0): size(sz), bit(sz+1), arr(sz) {}
10
    /** Sets the value at index idx to val. */
    void set(int idx, T val) {
11
          add(idx, val - arr[idx]);
12
13
```

```
14
15
     /** Adds val to the element at index idx. */
16
     void add(int idx, T val) {
17
       arr[idx] += val;
       for (++idx; idx<=size; idx+=(idx & -idx))</pre>
18
               bit[idx] += val;
19
20
21
     /** @return The sum of all values in [0, idx]. */
22
    T pre_sum(int idx) {
23
24
       T total = 0;
       for (++idx; idx>0; idx-=(idx & -idx))
25
26
               total += bit[idx];
27
       return total:
28
    }
29 };
```

### 4.2 priority\_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
  讀取優先權最高的值:
3
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
5
     pq.pop();
  判斷是否為空的priority_queue:
6
                            //回傳 true
7
     pq.empty()
     pq.size()
                            //回傳@
8
  如需改變priority_queue的優先權定義:
9
                            //預設由大到小
     priority_queue<T> pq;
10
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
11
                            //改成由小到大
12
13
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
```

## 4.3 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
     (Standard Template Library, STL)
2
     中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
4
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N), 但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
8
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
9
              //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
              //取出 deque 最尾端的元素
12 dq.back()
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
 dq.insert()
14
 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
16
     n: 元素插入次數
17
    val: 插入的元素值
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
              //同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20
              //清空整個 deque 佇列。
21 dq.clear()
              //檢查 deque 的尺寸
22 dq.size()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
23 dq.empty()
              //若是存在任何元素,則返回0
24
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
25 dq.begin()
26 dq.end()
              //指向 deque 結尾,
27
              //不是最後一個元素,
              //而是最後一個元素的下一個位置
28
```

### 4.4 map

```
1 map:存放 key-value pairs 的映射資料結構,
       會按 key 由小到大排序。
3 元素存取
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
6| 迭代器
7| begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end():回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
14 取value:it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
31 //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34
  int main(){
      //declaration container and iterator
35
36
      map<string, string> mp;
37
      map<string, string>::iterator iter;
38
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
      //insert element
      mp.insert(pair<string, string>
41
              ("r000", "student_zero"));
42
      mp["r123"] = "student_first";
43
      mp["r456"] = "student_second";
44
45
46
      //traversal
      for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
47
          cout << iter -> first << " "
48
49
                     <<iter->second<<endl;
      for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
50
51
          cout << iter_r -> first << "
              "<<iter_r->second<<endl;
52
      //find and erase the element
53
      iter=mp.find("r123");
54
      mp.erase(iter);
55
56
      iter=mp.find("r123");
57
      if(iter!=mp.end())
         cout << "Find, the value is "
58
59
                 <<iter->second<<endl;
      else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
60
61
      return 0;
62 }
```

## 4.5 unordered\_map

```
1 unordered_map: 存放 key-value pairs
2 的「無序」映射資料結構。
3 用法與map相同
```

#### 4.6 set

```
set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  取值: 使用iterator
3
4
     x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
      x = *st.rbegin();
6
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
  判斷是否為空的set:
9
     st.empty() 回傳true
10
     st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
14
     st.count(x):
15
     auto it = st.find(x);
16
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.lower_bound(x);
17
18
         // binary search, O(log(N))
19
      auto it = st.upper_bound(x);
         // binary search, O(log(N))
20
```

### 4.7 multiset

```
1與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。2資料由小到大排序。3宣告:4multiset < int > st;5刪除資料:6st.erase(val);7//會刪除所有值為 val 的元素。8st.erase(st.find(val));9//只刪除第一個值為 val 的元素。
```

### 4.8 unordered\_set

```
unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),
相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,
無自動排序功能。
unordered_set 判斷元素是否存在
unordered_set <int> myunordered_set;
myunordered_set.insert(2);
myunordered_set.insert(4);
myunordered_set.insert(6);
cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
```

### 4.9 單調隊列

```
1 // 單調隊列
 "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
2
3
 example
5
 給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
 #include <bits/stdc++.h>
10 #define maxn 1000100
11 using namespace std;
12 int q[maxn], a[maxn];
13 int n, k;
15 void getmin() {
     // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
```

```
17
        int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
            while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20
            q[++tail]=i;
21
        for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
            while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
            α[++tail]=i:
25
            while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
26
            cout << a[q[head]] << " ";
27
28
       cout << endl;
29 }
30
   void getmax() { // 和上面同理
31
       int head=0,tail=0;
32
33
        for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
34
35
            q[++tail]=i;
36
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
37
38
            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
39
            q[++tail]=i;
40
            while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
            cout << a[q[head]] << " ";
       }
42
       cout << endl;</pre>
43
44
  }
45
46
   int main(){
       cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
        getmin();
50
        getmax();
51
        return 0;
52 }
```

## 5 sort

## 5.1 大數排序

```
1 | #python 大數排序
  while True:
4
    try:
                              # 有幾筆數字需要排序
     n = int(input())
5
                               # 建立空串列
6
     arr = []
7
     for i in range(n):
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
                               # 串列排序
9
     arr.sort()
10
     for i in arr:
                            # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
13
     break
```

#### 6 math

## 6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
5 for(int i=2;i*i<=n;i++){
        if(isprime[i])
        for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;
8 }
9
10 歐拉篩O(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
```

```
12 bool isPrime[MAXN];
  int prime[MAXN];
13
  int primeSize=0;
  void getPrimes(){
15
16
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
17
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
18
19
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
           for(int
20
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
       }
24
25
  }
26
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
28
  int GCD(int a, int b){
29
       if(b==0) return a;
30
       return GCD(b,a%b);
31
  }
32
  質因數分解
33
  void primeFactorization(int n){
35
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
36
           if(p[i]*p[i]>n) break;
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
39
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40
       }
41
       if(n!=1) cout << n << ' ';
42
       cout << '\n';
43 }
44
  擴展歐幾里得算法
45
  //ax+by=GCD(a,b)
46
  #include <bits/stdc++.h>
48
  using namespace std;
49
50
  int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y){
51
       if(b==0){
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56
       y -= a/b * x;
57
       return d;
58 }
59
60
  int main(){
61
       int a,b,x,y;
       cin>>a>>b;
62
63
       ext_euc(a,b,x,y);
       cout << x << ' '<< y << end1;
65
       return 0;
66
67
68
69
  歌德巴赫猜想
70
  solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
  #include <iostream>
72
  using namespace std;
74
  #define N 2000000
75
  int ox[N],p[N],pr;
  void PrimeTable(){
76
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
79
       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
80
           if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
           for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
                ox[i*p[j]]=1;
83
  }
84
85
86 int main(){
       PrimeTable();
```

```
88
       int n;
       while(cin>>n,n){
89
90
           int x;
91
           for(x=1;;x+=2)
92
               if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
           printf("%d = %d + %d \setminus n", n, x, n-x);
94
95 }
  |problem : 給定整數 N,
           求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
98 如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
100 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
101 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
  #include < bits/stdc++.h>
102
103
   using namespace std;
104
   bool isPrime(int n){
105
106
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
           if(i*i>n) return true;
107
108
           if(n%i==0) return false;
       }
109
110
       return true;
111 }
112
113
   int main(){
       int n:
114
115
       cin>>n:
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
116
117
       else if(n\%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
118
       else cout << "3\n";</pre>
119 }
```

## 6.2 快速冪

```
1|計算a^b
  #include < iostream >
  #define ll long long
4 using namespace std;
6 const 11 MOD=1000000007;
  11 fp(ll a, ll b) {
7
8
       int ans=1;
       while(b>0){
10
            if(b&1) ans=ans*a%MOD;
11
            a=a*a%MOD;
            b>>=1;
12
13
14
       return ans;
15 }
16
17 int main() {
18
     int a,b;
     cin>>a>>b:
19
     cout << fp(a,b);</pre>
20
21 | }
```

## 6.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
  int phi(){
3
      int ans=n;
5
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
6
          if(n%i==0){
7
               ans=ans-ans/i;
8
               while(n%i==0) n/=i;
9
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
10
11
      return ans;
12 }
```

#### 6.4 atan

```
1| 說明
    atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x的反正切。
2
3
  回覆值
4
    atan()函數會傳回介於範圍 - /2 到 /2 弧度之間的值。
    atan2() 函數會傳回介於 - 至
                                 弧度之間的值。
7
    如果 atan2() 函數的兩個引數都是零,
    則函數會將 errno 設為 EDOM,並傳回值 0。
9
10
  範例
  #include <math.h>
  #include <stdio.h>
12
13
  int main(void){
14
      double a,b,c,d;
15
16
17
      c = 0.45:
18
      d=0.23;
19
20
      a=atan(c):
21
      b=atan2(c,d);
22
23
      printf("atan(%1f)=%1f/n",c,a);
      printf("atan2(%1f,%1f)=%1f/n",c,d,b);
24
25
26
  }
27
  atan(0.450000)=0.422854
30
  atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
31
```

## 6.5 大步小步

LL fpow(LL a, LL b, LL c){

LL res=1;

33

```
給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
2
3
4
   題解
  餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
5
     B^0 B^P, B^1 B^(P+1), ...,
  也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
6
     能得到結果,但會超時。
8
  將 L 拆成 mx+y, 只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
9
  設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 。
10
  B^(mx+y) N(mod P)
12 B^(mx)B^y N(mod P)
13
  B^y N(B^(-m))^x \pmod{P}
14
15
  先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
16 再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的 B^y。
17
  這種算法稱為大步小步演算法,
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
18
  小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
19
20
21
   複雜度分析
22 利用 map/unorder_map 存放 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
23 枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為 0(√Plog√P)/0(√P)。
24
25
26
27
28 #include <bits/stdc++.h>
29 using namespace std:
30 using LL = long long;
31 LL B, N, P;
```

```
35
        for(;b;b >>=1){
            if(b&1)
36
37
                 res=(res*a)%c;
38
            a=(a*a)%c;
39
40
        return res;
41 }
42
  LL BSGS(LL a, LL b, LL p){
43
44
       a%=p,b%=p;
       if(a==0)
45
            return b==0?1:-1;
46
47
       if(b==1)
48
            return 0;
49
       map<LL, LL> tb;
       LL sq=ceil(sqrt(p-1));
50
51
       LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
52
       tb[1]=sq;
       for(LL i=1, tmp=1; i < sq; ++i){</pre>
53
54
            tmp=(tmp*a)%p;
55
            if(!tb.count(tmp))
56
                 tb[tmp]=i;
57
       for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
58
59
            if(tb.count(b)){
60
                 LL res=tb[b]:
                 return i*sq+(res==sq?0:res);
61
            }
62
63
            b=(b*inv)%p;
64
65
       return -1;
66 }
67
68 int main(){
69
       ios::sync_with_stdio(false);
70
       cin.tie(0),cout.tie(0);
71
        while(cin>>P>>B>>N){
            LL ans=BSGS(B,N,P);
72
            if(ans==-1)
73
                 cout << "no solution\n";</pre>
74
75
76
                 cout << ans << '\n';
77
       }
78 }
```

# 7 algorithm

#### 7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp 。
8 | find: 尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
14
15 upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
20
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
21 prev_permutation(first, last)
```

## 7.2 二分搜

```
1 int binary_search(int target) {
  // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
  // index that target value exists, with "ng" doesn't.
      int ok = maxn, ng = -1;
  // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
  // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
  // (the "check" funtion
7
8
  // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
9
          int mid = (ok + ng) >> 1;
10
          if(check(mid)) ok = mid;
11
  else ng = mid;
// Be careful, "arr[mid]>=target" for first
12
13
14 // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
15 // last lower_bound. For range (ng, ok],
16 // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
17 // choose the first one, or convert [ok, ng) into
  // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
  // the second one.
19
20
21
      return ok;
22 }
23
24 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                    //最左邊 ≥ k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                   //最左邊 > k 的位置
26 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
27 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
28 (lower_bound, upper_bound)
                                   //等於 k 的範圍
29 equal_range(arr, arr+n, k);
```

## 7.3 三分搜

```
題意
  給定兩射線方向和速度,問兩射線最近距離。
2
3
    題解
4
  假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離, F(t) 為二次函數,
5
  可用三分搜找二次函數最小值。
8
  #include <bits/stdc++.h>
9
  using namespace std;
10
  struct Point{
11
12
      double x, y, z;
      Point() {}
13
14
      Point(double _x, double _y, double _z):
15
          x(_x),y(_y),z(_z){}
      friend istream& operator>>(istream& is, Point& p)
16
          is >> p.x >> p.y >> p.z;
17
18
          return is:
19
20
      Point operator+(const Point &rhs) const{
21
          return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
22
23
      Point operator - (const Point &rhs) const{
24
          return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
25
26
      Point operator*(const double &d) const{
27
          return Point(x*d,y*d,z*d);
28
      Point operator/(const double &d) const{
29
30
          return Point(x/d,y/d,z/d);
      }
31
32
      double dist(const Point &rhs) const{
33
          double res = 0;
          res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
34
35
          res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
          res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
36
37
          return res;
38
      }
39 };
```

```
40
41
   int main(){
       ios::sync_with_stdio(false);
42
       cin.tie(0),cout.tie(0);
43
44
       int T;
45
       cin>>T;
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
46
47
            double time:
            Point x1, y1, d1, x2, y2, d2;
48
49
            cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2;
50
            d1=(y1-x1)/time;
            d2=(y2-x2)/time;
51
            double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
52
            double ans = x1.dist(x2);
53
54
            while(abs(L-R)>1e-10){
55
                 m1 = (L+R)/2;
                m2=(m1+R)/2;
56
57
                f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
                 f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
58
59
                 ans = min(ans, min(f1, f2));
                if(f1<f2) R=m2;
60
                 else L=m1;
61
            }
62
            cout << "Case "<<ti << ": ";
63
            cout << fixed << setprecision(4) << sqrt(ans) << '\n';</pre>
64
65
66 }
```

## 7.4 prefix sum

```
1 // 前綴和
2 陣列前n項的和。
3 b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ \cdots +a[i]
  區間和 [l, r]:b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
6 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
8 int main(){
      int n;
       cin>>n;
10
11
       int a[n],b[n];
       for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
12
13
       for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
15
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<< ' ';</pre>
16
       cout << '\n';
17
       int 1,r;
       cin>>l>>r:
18
19
       cout <<b[r]-b[1-1]; //區間和
20 }
```

## 7.5 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5|給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
6 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8 在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
9 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17
     int n, 1, r, v;
18
     cin >> n;
     for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
19
```

```
20
           cin >> a[i];
           b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
22
       cin >> 1 >> r >> v;
23
       b[1] += v;
24
25
       b[r+1] -= v;
26
       for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
           b[i] += b[i-1];
28
           cout << b[i] << ' ';
29
30
31 }
```

```
7.6 greedy
1 // 貪心
2| 貪心演算法的核心為,
  採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
  貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
  但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
  提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
6
  確認無誤再實作。
10 刪數字問題
12 給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
14
15
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
16
  扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
17
18
  //code
19
  int main(){
20
21
     string s;
22
     int k;
23
     cin>>s>>k;
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
24
25
        if((int)s.size()==0) break;
        int pos =(int)s.size()-1;
26
        for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
28
           if(s[j]>s[j+1]){
              pos=j;
29
           }
31
        }
32
        s.erase(pos,1);
33
34
35
     while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
        s.erase(0,1);
36
37
     if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
     else cout << 0 << '\n';
38
39
40
42 最小區間覆蓋長度
43
44 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
45 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
46
47
  //solution
49 對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
50 | 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
51
52
  //problem
  長度 n 的直線中有數個加熱器,
  在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
```

問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。

58| 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,

57

//solution

```
59 更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
                                                           135
                                                              //code
60
                                                           136
                                                              struct Work{
61
   //code
                                                           137
  int main(){
62
                                                           138
                                                                   int t, d;
       int n, r;
63
                                                           139
                                                                   bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
64
       int a[1005];
                                                           140
                                                                       return d<rhs.d;</pre>
       cin>>n>>r;
65
                                                           141
66
       for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
                                                           142
                                                              }:
       int i=1, ans=0;
67
                                                           143
       while(i<=n){
68
                                                           144
                                                              int main(){
69
           int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
                                                           145
                                                                   int n;
           int nextR=-1;
                                                                   Work a[10000];
70
                                                           146
71
           for(int j=R;j>=L;--j){
                                                           147
                                                                   cin>>n;
               if(a[j]){
                                                                   for(int i=0:i<n:++i)</pre>
72
                                                           148
73
                   nextR=i:
                                                           149
                                                                       cin>>a[i].t>>a[i].d;
74
                   break;
                                                           150
                                                                   sort(a,a+n);
75
               }
                                                           151
                                                                   int maxL=0, sumT=0;
76
           }
                                                           152
                                                                   for(int i=0;i<n;++i){</pre>
77
           if(nextR==-1){
                                                                       sumT+=a[i].t;
                                                           153
78
               ans=-1;
                                                           154
                                                                       maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                           155
79
               break;
80
           }
                                                           156
                                                                   cout << maxL << '\n';</pre>
81
           ++ans;
                                                           157
                                                              }
           i=nextR+r;
                                                           158
82
83
                                                           159
84
       cout << ans << '\n':
                                                              最少延遲數量問題
                                                           160
85
  }
                                                           161
                                                              //problem
86
                                                           162| 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
87
                                                              期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                           163
88 最多不重疊區間
                                                           164
89
   //problem
                                                           165
                                                              //solution
90 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                              期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序,
                                                           166
   請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
91
                                                              依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                           167
92
                                                              就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                           168
93 //solution
                                                           169
94 依照右界由小到大排序,
                                                           170
                                                              上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
95 每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                           171
96
                                                              //problem
                                                           172
97
                                                              給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                           173
98
   struct Line{
                                                           174
       int L,R;
99
                                                           175
                                                              //solution
100
       bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
                                                           176 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
101
            return R<rhs.R;</pre>
                                                              工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                           177
102
                                                              工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                           178
103
  };
                                                              多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                           179
104
                                                           180
105
   int main(){
                                                           181
                                                               //code
106
       int t;
                                                              struct Work{
                                                           182
       cin>>t;
107
                                                           183
                                                                   int t, d;
108
       Line a[30]:
                                                                   bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
                                                           184
109
       while(t--){
                                                           185
                                                                       return d<rhs.d;</pre>
110
           int n=0;
                                                           186
           while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
111
                                                           187
                                                              };
112
                                                           188
           sort(a.a+n):
113
                                                              int main(){
                                                           189
114
           int ans=1,R=a[0].R;
                                                           190
                                                                   int n=0:
115
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                                   Work a[10000];
116
               if(a[i].L>=R){
                                                           191
                                                           192
                                                                   priority_queue<int> pq;
117
                   ++ans;
                                                                   while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                           193
                   R=a[i].R;
118
                                                           194
                                                                       ++n;
119
               }
                                                           195
                                                                   sort(a,a+n);
120
           }
                                                                   int sumT=0,ans=n;
                                                           196
121
           cout << ans << '\n';
                                                                   for(int i=0;i<n;++i){</pre>
       }
                                                           197
122
                                                                       pq.push(a[i].t);
                                                           198
123
  }
                                                           199
                                                                       sumT+=a[i].t;
124
                                                           200
                                                                       if(a[i].d<sumT){</pre>
125
                                                                           int x=pq.top();
                                                           201
126 最小化最大延遲問題
                                                           202
                                                                           pq.pop();
   //problem
                                                                           sumT -=x;
                                                           203
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                           204
                                                                           --ans;
   期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0,Fi-Di),
129
                                                                       }
                                                           205
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
130
                                                           206
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
131
                                                           207
                                                                   cout << ans << '\n';
132
                                                              }
                                                           208
133 //solution
```

210 任務調度問題

134 按照到期時間從早到晚處理。

```
212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
  期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
   請問最少會受到多少單位懲罰。
214
215
216 //solution
217 依照懲罰由大到小排序,
218 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
219 如果有空閒就放進去,否則延後執行。
220
  //problem
221
222 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
       單位獎勵,
224
   請問最多會獲得多少單位獎勵。
225
   //solution
226
227 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
228
229
  //code
230
  struct Work{
231
      int d,p;
      bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
232
233
          return p>rhs.p;
234
235
  };
236
237
   int main(){
238
      int n;
      Work a[100005];
239
      bitset<100005> ok;
240
      while(cin>>n){
241
          ok.reset();
242
243
          for(int i=0;i<n;++i)</pre>
              cin>>a[i].d>>a[i].p;
244
245
          sort(a,a+n);
          int ans=0:
246
          for(int i=0;i<n;++i){</pre>
247
248
              int j=a[i].d;
249
              while(j--)
250
                  if(!ok[j]){
                      ans+=a[i].p;
251
                      ok[j]=true;
252
253
                      break:
254
255
          3
256
          cout << ans << '\n';</pre>
257
258 }
```

### 7.7 floyd warshall

211 //problem

```
1 int w[n][n];
2 int d[n][n];
3 int p[n][n];
4// 由i點到j點的路徑,其中繼點為 p[i][j]。
6
  void floyd_warshall(){
                                1/0(V^3)
7
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
8
       for(int j=0;j<n;j++){</pre>
         d[i][j]=w[i][j];
9
                          // 預設為沒有中繼點
10
         p[i][j]=-1;
11
12
    for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
13
     for(int k=0;k<n;k++)</pre>
14
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
         for(int j=0;j<n;j++)</pre>
15
16
           if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
17
             d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
18
             p[i][j]=k; // 由 i 點 走 到 j 點 經 過 了 k 點
19
20 }
21
22 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
```

9

### 7.8 dinic

```
const int maxn = 1e5 + 10;
2
  const int inf = 0x3f3f3f3f;
  struct Edge {
5
       int s, t, cap, flow;
6
  };
  int n, m, S, T;
8
  int level[maxn], dfs_idx[maxn];
  vector < Edge > E;
10
11
  vector<vector<int>> G;
12
13
  void init() {
14
       S = 0;
       T = n + m;
15
16
       E.clear();
17
       G.assign(maxn, vector<int>());
18 }
19
  void addEdge(int s, int t, int cap) {
20
       E.push_back({s, t, cap, 0});
21
       E.push_back({t, s, 0, 0});
22
23
       G[s].push_back(E.size()-2);
24
       G[t].push_back(E.size()-1);
25 }
26
  bool bfs() {
27
28
       queue<int> q({S});
29
30
       memset(level, -1, sizeof(level));
31
       level[S] = 0;
32
33
       while(!q.empty()) {
34
           int cur = q.front();
35
           q.pop();
36
37
           for(int i : G[cur]) {
38
                Edge e = E[i];
                if(level[e.t]==-1 && e.cap>e.flow) {
39
40
                    level[e.t] = level[e.s] + 1;
41
                    q.push(e.t);
42
               }
43
           }
44
45
       return ~level[T];
  }
46
47
48
  int dfs(int cur, int lim) {
       if(cur==T || lim==0) return lim;
49
50
       int result = 0;
51
52
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i < G[cur].size() && lim;</pre>
           i++) {
           Edge& e = E[G[cur][i]];
53
54
           if(level[e.s]+1 != level[e.t]) continue;
55
           int flow = dfs(e.t, min(lim, e.cap-e.flow));
           if(flow <= 0) continue;</pre>
57
58
59
           e.flow += flow;
           result += flow;
60
61
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
62
           lim -= flow;
63
64
       return result;
```

```
66
                                                                62
                                                                       if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);</pre>
  int dinic() {
                        // O((V^2)E)
                                                                       if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
67
                                                                63
       int result = 0;
                                                                       st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
68
                                                                64
       while(bfs()) {
                                                                65 }
69
70
           memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
71
           result += dfs(S, inf);
                                                                67 // 改值從 += 改成 =
72
       }
73
       return result;
74 }
```

## SegmentTree

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
6 inline int pull(int 1, int r) {
7 // 隨題目改變 sum 、 max 、 min
8 // 1、r是左右樹的 index
9
      return st[l] + st[r];
10 }
11
12 void build(int 1, int r, int i) {
13 // 在[1, r]區間建樹, 目前根的 index為 i
      if (1 == r) {
14
15
          st[i] = data[l];
16
          return:
17
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
18
      build(1, mid, i * 2);
19
20
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
21
22 }
23
24 int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
  | // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
      if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
26
27
          return st[i];
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
28
29
      if (tag[i]) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
30
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
31
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
32
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
33
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
34
35
          tag[i] = 0;
36
37
      int sum = 0;
38
      if (ql <= mid)</pre>
          sum += query(q1, qr, 1, mid, i * 2);
39
40
      if (ar > mid)
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
41
42
      return sum;
43 }
44
45 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
46 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
  // c是變化量
47
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
48
          st[i] += (r - l + 1) * c;
49
               //求和,此需乘上區間長度
50
          tag[i] += c;
51
          return:
52
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
53
      if (tag[i] && l != r) {
54
55
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
56
57
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
58
59
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
60
          tag[i] = 0;
      }
61
```

```
66 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
```

#### 7.10 Nim Game

```
1 1 // 兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
 2 //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
 3 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
 5
  #include <bits/stdc++.h>
 6
  #define maxn 23+5
  using namespace std;
  int SG[maxn];
  int visited[1000+5];
10
11
  int pile[maxn],ans;
12
13
  void calculateSG(){
14
       SG[0]=0;
       for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
15
16
            int cur=0;
17
            for(int j=0;j<i;j++)</pre>
                for(int k=0; k<=j; k++)</pre>
18
19
                    visited[SG[j]^SG[k]]=i;
20
            while(visited[cur]==i) cur++;
21
            SG[i]=cur;
       }
22
23
  }
24
25
  int main(){
26
       calculateSG():
27
       int Case=0.n:
28
       while(cin>>n,n){
29
         ans=0;
         for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
30
31
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
           if(pile[i]&1) ans^=SG[n-i];
32
         cout << "Game "<<++Case << ": ";
33
34
         if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";
35
         else{
36
            bool flag=0;
37
            for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
38
              if(pile[i]){
                for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
39
40
                  for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
                    if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
41
                      cout << i - 1 << " " << j - 1 << " " << k - 1 << endl;
42
43
                       flag=1;
44
                      break;
45
                    }
46
47
                  if(flag) break;
48
                if(flag) break;
49
50
           }
51
52
         }
53
54
       return 0;
55
  }
56
58
   input
59
  4 1 0 1 100
     1 0 5
60
  2 2 1
61
62 0
63
   output
  Game 1: 0 2 3
  Game 2: 0 1 1
65
66 Game 3: -1 -1 -1
```

74 75

76 \*/

```
7.11 Trie
```

67 \*/

```
1| #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4 const int maxn = 300000 + 10:
5 const int mod = 20071027;
  int dp[maxn];
7
8 int mp[4000*100 + 10][26];
9 char str[maxn];
10
11 struct Trie {
12
       int sea:
13
       int val[maxn];
14
15
       Trie() {
           seq = 0;
16
17
           memset(val, 0, sizeof(val));
           memset(mp, 0, sizeof(mp));
18
19
20
21
       void insert(char* s, int len) {
22
            int r = 0;
           for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
23
                int c = s[i] - 'a';
24
25
                if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
26
                r = mp[r][c];
27
           }
           val[r] = len;
28
29
           return;
30
31
       int find(int idx, int len) {
32
           int result = 0:
33
            for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
34
                int c = str[idx] - 'a';
35
                if(!(r = mp[r][c])) return result;
36
37
                if(val[r])
                    result = (result + dp[idx + 1]) % mod;
38
39
           }
40
           return result;
41
42 };
43
44 int main() {
       int n, tc = 1;
45
46
       while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
47
           Trie tr;
48
49
           int len = strlen(str);
           char word[100+10];
50
51
           memset(dp, 0, sizeof(dp));
52
           dp[len] = 1;
53
54
           while(n--) {
55
                scanf("%s", word);
56
57
                tr.insert(word, strlen(word));
58
59
           for(int i=len-1; i>=0; i--)
60
61
                dp[i] = tr.find(i, len);
           printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
62
63
       return 0;
64
65 }
66
67 /********
   ****Input****
   * abcd
69
   * 4
70
71
   * a b cd ab
    *****
```

# 7.12 SPFA

\*\*\*\*Output\*\*\*

\* Case 1: 2

\*\*\*\*\*\*\*

```
1 struct Edge
 2
  {
3
       int t;
 4
       long long w;
5
       Edge(){};
       Edge(\textbf{int } \_t , \textbf{ long long } \_w) \ : \ t(\_t), \ w(\_w) \ \{\}
 6
 7
   };
8
9 bool SPFA(int st) // 平均O(V + E) 最糟O(VE)
10
       vector<int> cnt(n, 0);
11
12
       bitset < MXV > inq(0);
13
       queue < int > q;
       q.push(st);
14
15
       dis[st] = 0;
       inq[st] = true;
16
17
       while (!q.empty())
18
       {
19
            int cur = q.front();
20
            q.pop();
            inq[cur] = false;
21
22
            for (auto &e : G[cur])
23
24
                 if (dis[e.t] <= dis[cur] + e.w)</pre>
25
                 dis[e.t] = dis[cur] + e.w;
26
27
                 if (inq[e.t])
28
                     continue;
29
                 ++cnt[e.t];
30
                 if (cnt[e.t] > n)
                     return false; // negtive cycle
31
32
                 inq[e.t] = true;
33
                 q.push(e.t);
34
       }
35
36
       return true;
37 }
```

## 7.13 dijkstra

```
1 #include < bits / stdc ++ . h>
2 #define maxn 50000+5
  #define INF 0x3f3f3f3f
  using namespace std;
6
  struct edge{
7
       int v,w;
  };
8
10
  struct Item{
11
       int u, dis;
12
       bool operator < (const Item &rhs)const{</pre>
13
           return dis>rhs.dis;
       }
14
15
  };
16
  vector<edge> G[maxn];
18 int dist[maxn];
19
  void dijkstra(int s){ // O((V + E)log(E))
20
       memset(dist,INF,sizeof(dist));
21
22
       dist[s]=0;
23
       priority_queue < Item > pq;
24
       pq.push({s,0});
25
       while(!pq.empty()){
           Item now=pq.top();
26
```

```
27
            if(now.dis>dist[now.u]) continue;
28
29
            for(edge e:G[now.u]){
                 if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
30
31
                     dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
32
                     pq.push({e.v,dist[e.v]});
                }
33
34
            }
35
       }
36
37
  int main(){
38
       int t, cas=1;
39
40
       cin>>t;
41
       while(t--){
42
            int n,m,s,t;
            cin>>n>>m>>s>>t;
43
44
            for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
45
            int u,v,w;
46
            for(int i=0;i<m;i++){</pre>
                 cin>>u>>v>>w:
47
48
                 G[u].push_back({v,w});
49
                G[v].push_back({u,w});
50
51
            dijkstra(s);
            cout << "Case #"<<cas++<<": ";
52
            if(dist[t]==INF) cout<<"unreachable\n";</pre>
53
54
            else cout<<dist[t]<<endl;</pre>
55
       }
56 }
```

## 7.14 SCC Tarjan

```
1 //Strongly Connected Components
2 //Tarjan O(V + E)
3 int dfn[N], low[N], dfncnt, sk[N], in_stack[N], tp;
4 //dfn[u]: dfs時u被visited的順序
5 //low[u]: 在u的dfs子樹中能回到最早已在stack中的節點
6| int scc[N], sc;//節點 u 所在 SCC 的編號
7 int sz[N]; //強連通 u 的大小
8
9
  void tarjan(int u) {
      low[u] = dfn[u] = ++dfncnt, s[++tp] = u,
10
           in_stack[u] = 1;
      for (int i = h[u]; i; i = e[i].nex) {
11
           const int &v = e[i].t;
12
13
           if (!dfn[v]) {
14
               tarjan(v);
15
              low[u] = min(low[u], low[v]);
16
          } else if (in_stack[v]) {
               low[u] = min(low[u], dfn[v]);
17
18
          }
19
20
      if (dfn[u] == low[u]) {
          ++sc;
21
22
          while (s[tp] != u) {
23
               scc[s[tp]] = sc;
24
               sz[sc]++:
               in_stack[s[tp]] = 0;
25
26
               --tp;
27
          }
28
           scc[s[tp]] = sc;
29
          sz[sc]++:
           in_stack[s[tp]] = 0;
30
31
           --tp;
32
      }
33 }
```

### 7.15 SCC Kosaraju

```
1 //做兩次dfs, O(V + E)
2 //g 是原圖, g2 是反圖
3 //s是dfs離開的節點
```

```
void dfs1(int u) {
       vis[u] = true;
 5
       for (int v : g[u])
7
           if (!vis[v]) dfs1(v);
8
       s.push_back(u);
  }
9
10
11
  void dfs2(int u) {
       group[u] = sccCnt;
12
13
       for (int v : g2[u])
14
            if (!group[v]) dfs2(v);
15 }
16
  void kosaraju() {
17
18
       sccCnt = 0;
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
19
20
            if (!vis[i]) dfs1(i);
21
       for (int i = n; i >= 1; --i)
22
           if (!group[s[i]]) {
23
                ++sccCnt;
24
                dfs2(s[i]);
25
           }
26 }
```

## 7.16 ArticulationPoints Tarjan

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
4
  vector<vector<int>> G;
5
  int N;
  int timer;
  bool visited[105];
  int visTime[105]; // 第一次visit的時間
9 int low[105];
10 // 最小能回到的父節點(不能是自己的parent)的visTime
11 int res;
12
  //求割點數量
  void tarjan(int u, int parent) {
13
      int child = 0;
14
15
      bool isCut = false;
16
      visited[u] = true;
17
       visTime[u] = low[u] = ++timer;
18
       for (int v: G[u]) {
           if (!visited[v]) {
19
20
               ++child:
21
               tarjan(v, u);
22
               low[u] = min(low[u], low[v]);
               if (parent != -1 && low[v] >= visTime[u])
23
24
                   isCut = true;
25
           else if (v != parent)
26
27
               low[u] = min(low[u], visTime[v]);
28
       //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
29
       if (parent == -1 && child >= 2)
30
31
           isCut = true;
       if (isCut)
32
33
           ++res;
34 }
35
36
  int main()
37
  {
38
       char input[105];
      char* token;
39
40
      while (scanf("%d", &N) != EOF && N)
      {
41
42
          G.assign(105, vector<int>());
43
           memset(visited, false, sizeof(visited));
          memset(low, 0, sizeof(low));
44
45
           memset(visTime, 0, sizeof(visited));
           timer = 0;
46
47
           res = 0;
           getchar(); // for \n
48
49
          while (fgets(input, 105, stdin))
```

```
50
            {
                if (input[0] == '0')
51
52
                     break:
53
                 int size = strlen(input);
54
                 input[size - 1] = ' \setminus 0';
55
                 --size;
                 token = strtok(input, " ");
56
57
                 int u = atoi(token);
58
                int v;
                 while (token = strtok(NULL, " "))
59
60
                     v = atoi(token);
61
                     G[u].emplace_back(v);
62
                     G[v].emplace_back(u);
63
64
                }
            }
65
            tarjan(1, -1);
66
67
            printf("%d\n", res);
68
       }
69
       return 0;
70 }
```

## 7.17 最小樹狀圖

```
2|有向圖上的最小生成樹 (Directed Minimum Spanning Tree)
3 稱為最小樹形圖。
5 const int maxn = 60 + 10;
6 const int inf = 0x3f3f3f3f;
8 struct Edge {
     int s, t, cap, cost;
10|}; // cap 為頻寬 (optional)
11
12 int n, m, c;
13 int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn], vis[maxn];
14
15 // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
16 // 找環,如果沒有則 return;
17 // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
18 int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
      int result = 0, root = 0, N = n;
19
20
21
      while(true) {
          memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
22
23
          // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
24
25
          // optional: low 為最小 cap 限制
          for(const Edge& e : edges) {
26
27
              if(e.cap < low) continue;</pre>
              if(e.s!=e.t && e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
28
                  inEdge[e.t] = e.cost;
29
30
                  pre[e.t] = e.s;
              }
31
          }
32
33
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
34
35
              if(i!=root && inEdge[i]==inf)
                  return -1;//除了root 還有點沒有in edge 110
36
          }
37
38
          int seq = inEdge[root] = 0;
39
40
          memset(idx, -1, sizeof(idx));
          memset(vis, -1, sizeof(vis));
41
42
43
          // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
44
              result += inEdge[i];
45
              int cur = i;
46
47
              while(vis[cur]!=i && idx[cur]==-1) {
48
                  if(cur == root) break;
                  vis[cur] = i;
49
                  cur = pre[cur];
50
```

```
51
           if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
52
53
              for(int j=pre[cur]; j!=cur; j=pre[j])
54
                 idx[j] = seq;
55
              idx[cur] = seq++;
           }
56
        }
57
58
59
        if(seg == 0) return result; // 沒有 cycle
60
        for(int i=0; i<N; i++)</pre>
61
62
           // 沒有被縮點的點
           if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
63
64
        // 縮點並重新編號
65
66
        for(Edge& e : edges) {
67
           if(idx[e.s] != idx[e.t])
              e.cost -= inEdge[e.t];
68
           e.s = idx[e.s];
69
70
           e.t = idx[e.t];
        }
71
        N = seq;
72
73
        root = idx[root];
74
     }
75
  }
76
77
78
   Tarjan 的DMST 演算法
79
80 Tarjan 提出了一種能夠在
  0(m+nlog n)時間內解決最小樹形圖問題的演算法。
81
82
83
84 Tarjan 的演算法分為收縮與伸展兩個過程。
85 接下來先介紹收縮的過程。
  我們要假設輸入的圖是滿足強連通的,
  如果不滿足那就加入 O(n) 條邊使其滿足,
  並且這些邊的邊權是無窮大的。
88
90 我們需要一個堆存儲結點的入邊編號,入邊權值,
91 | 結點總代價等相關信息,由於後續過程中會有堆的合併操作,
92 這裡採用左偏樹 與並查集實現。
  演算法的每一步都選擇一個任意結點v,
  需要保證v不是根節點,並且在堆中沒有它的入邊。
  再將v的最小入邊加入到堆中,
  如果新加入的這條邊使堆中的邊形成了環,
  那麼將構成環的那些結點收縮,
  我們不妨將這些已經收縮的結點命名為超級結點,
  再繼續這個過程,如果所有的頂點都縮成了超級結點,
100 | 那麼收縮過程就結束了。
101 | 整個收縮過程結束後會得到一棵收縮樹,
  之後就會對它進行伸展操作。
102
103
104 堆中的邊總是會形成一條路徑v0 <- v1<- ... <- vk,
105 由於圖是強連通的,這個路徑必然存在,
  並且其中的 vi 可能是最初的單一結點,
106
  也可能是壓縮後的超級結點。
107
108
  最初有 v0=a,其中 a 是圖中任意的一個結點,
  每次都選擇一條最小入邊 vk <- u,
  如果 u 不是v0,v1,...,vk中的一個結點,
  那麼就將結點擴展到 v k+1=u。
  如果 u 是他們其中的一個結點 vi,
  那麼就找到了一個關於 vi <- ... <- vk <- vi的環,
114
  再將他們收縮為一個超級結點c。
115
116
117 向隊列 P 中放入所有的結點或超級結點,
118 並初始選擇任一節點 a,只要佇列不為空,就進行以下步驟:
119
120 選擇 a 的最小入邊,保證不存在自環,
121 並找到另一頭的結點 b。
122 如果結點b沒有被記錄過說明未形成環,
```

123 | 令 a <- b , 繼續目前操作尋找環。

```
124
                                                              201
                                                                      for (int j = 0; j < in[i].size(); j++)</pre>
125 如果 b 被記錄過了,就表示出現了環。
                                                              202
                                                                       q.push(new Heap(&in[i][j]));
                                                                      while (q.size() > 1) {
   總結點數加一,並將環上的所有結點重新編號,對堆進行合併
                                                             ,203
126
                                                              204
                                                                       Heap *u = q.front();
   以及結點/超級結點的總權值的更新。
127
                                                              205
                                                                       q.pop();
   更新權值操作就是將環上所有結點的入邊都收集起來,
128
                                                              206
                                                                       Heap *v = q.front();
   並減去環上入邊的邊權。
129
                                                              207
                                                                       a.pop():
130
                                                              208
                                                                       q.push(merge(u, v));
131 typedef long long 11;
                                                              209
132 #define maxn 102
                                                              210
                                                                     Q[i] = q.front();
133 #define INF 0x3f3f3f3f
                                                              211
                                                                   }
134
                                                                   mark[1] = true;
                                                              212
135 struct UnionFind {
                                                                   for(int a=1,b=1,p;Q[a];b=a,mark[b]=true){
                                                              213
     int fa[maxn << 1];</pre>
136
                                                              214
                                                                      //尋找最小入邊以及其端點,保證無環
     UnionFind() { memset(fa, 0, sizeof(fa)); }
137
                                                              215
                                                                     do {
     void clear(int n) {
138
                                                              216
                                                                       ed[a] = extract(Q[a]);
139
       memset(fa + 1, 0, sizeof(int) * n);
                                                              217
                                                                       a = id[ed[a]->u];
140
                                                              218
                                                                     } while (a == b && Q[a]);
141
     int find(int x) {
                                                              219
                                                                      if (a == b) break;
       return fa[x] ? fa[x] = find(fa[x]) : x;
142
                                                              220
                                                                     if (!mark[a]) continue;
143
                                                                      //對發現的環進行收縮,以及環內的節點重新編號,
                                                              221
     int operator[](int x) { return find(x); }
144
                                                              222
145 };
                                                                      for (a = b, n++; a != n; a = p) {
                                                              223
146
                                                                       id.fa[a] = fa[a] = n;
                                                              224
   struct Edge {
147
                                                                        if (Q[a]) Q[a]->constant -= ed[a]->w;
                                                              225
148
     int u, v, w, w0;
                                                              226
                                                                       Q[n] = merge(Q[n], Q[a]);
149 }:
                                                                       p = id[ed[a]->u];
                                                              227
150
                                                              228
                                                                        nxt[p == n ? b : p] = a;
151
   struct Heap {
                                                              229
152
     Edge *e;
                                                              230
                                                                   }
153
     int rk, constant;
                                                              231 }
     Heap *lch, *rch;
154
                                                              232
155
                                                              233
                                                                 11 expand(int x, int r);
156
     Heap(Edge *_e):
                                                                 11 expand_iter(int x) {
                                                              234
157
       e(_e), rk(1), constant(0), lch(NULL), rch(NULL){}
                                                                   11 r = 0:
158
                                                                   for(int u=nxt[x];u!=x;u=nxt[u]){
                                                              236
     void push() {
159
                                                              237
                                                                      if (ed[u]->w0 >= INF)
       if (lch) lch->constant += constant;
160
                                                              238
                                                                       return INF;
       if (rch) rch->constant += constant;
161
                                                              239
                                                                      else
162
       e->w += constant;
                                                              240
                                                                        r += expand(ed[u]->v,u)+ed[u]->w0;
163
       constant = 0;
                                                                   }
                                                              241
164
                                                              242
                                                                   return r;
165 };
                                                             243 }
166
                                                              244
167
   Heap *merge(Heap *x, Heap *y) {
                                                              245 | 11 expand(int x, int t) {
168
     if (!x) return y;
                                                                   11 r = 0;
                                                              246
     if (!y) return x;
169
                                                                   for (; x != t; x = fa[x]) {
                                                              247
170
     if(x->e->w + x->constant > y->e->w + y->constant)
                                                                     r += expand_iter(x);
                                                              248
171
       swap(x, y);
                                                              249
                                                                      if (r >= INF) return INF;
172
     x->push();
                                                                   }
                                                              250
173
     x - rch = merge(x - rch, y);
                                                              251
     if (!x->lch || x->lch->rk < x->rch->rk)
                                                                   return r;
174
                                                              252
175
       swap(x->1ch, x->rch);
                                                              253
     if (x->rch)
176
                                                                 void link(int u, int v, int w) {
177
       x->rk = x->rch->rk + 1;
                                                              255
                                                                   in[v].push_back({u, v, w, w});
     else
178
                                                                 }
                                                              256
179
       x->rk = 1;
                                                              257
180
     return x;
                                                              258 int main() {
181 }
                                                              259
182
                                                                   scanf("%d %d %d", &n, &m, &rt);
                                                              260
183 Edge *extract(Heap *&x) {
                                                              261
                                                                   for (int i = 0; i < m; i++) {
     Edge *r = x->e;
184
                                                              262
                                                                      int u, v, w;
185
     x - push();
                                                                     scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                              263
186
     x = merge(x->lch, x->rch);
                                                              264
                                                                     link(u, v, w);
187
     return r;
                                                                   }
                                                              265
188 }
                                                                   //保證強連通
                                                              266
189
                                                                   for (int i = 1; i <= n; i++)
                                                              267
190 vector < Edge > in[maxn];
                                                              268
                                                                     link(i > 1 ? i - 1 : n, i, INF);
   int n, m, fa[maxn << 1], nxt[maxn << 1];</pre>
192 Edge *ed[maxn << 1];
                                                              269
                                                                   contract();
                                                              270
                                                                   11 ans = expand(rt, n);
193 Heap *Q[maxn << 1];
                                                                   if (ans >= INF)
                                                              271
194 UnionFind id;
                                                                     puts("-1");
                                                              272
195
196
   void contract() {
                                                              273
                                                              274
                                                                     printf("%11d\n", ans);
     bool mark[maxn << 1];</pre>
197
                                                              275
     //將圖上的每一個節點與其相連的那些節點進行記錄
                                                                   return 0;
198
                                                              276 }
199
     for (int i = 1; i <= n; i++) {
200
       queue < Heap *> q;
```

## 8 geometry

### 8.1 intersection

```
1 using LL = long long;
3 struct Point2D {
      LL x, y;
5 };
6
7 struct Line2D {
      Point2D s, e;
8
                               // L: ax + by = c
9
      LL a, b, c;
      Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e) {
10
          a = e.y - s.y;
11
           b = s.x - e.x;
12
13
           c = a * s.x + b * s.y;
14
      }
15 };
16
17 // 用克拉馬公式求二元一次解
18 Point2D intersection2D(Line2D l1, Line2D l2) {
19
      LL D = 11.a * 12.b - 12.a * 11.b;
      LL Dx = 11.c * 12.b - 12.c * 11.b;
20
21
      LL Dy = 11.a * 12.c - 12.a * 11.c;
22
                        // intersection
23
           double x = 1.0 * Dx / D;
24
25
           double y = 1.0 * Dy / D;
26
      } else {
           if(Dx || Dy) // Parallel lines
27
28
                       // Same line
29
      }
30 }
```

## 8.2 半平面相交

```
1 // Q: 給定一張凸包(已排序的點),
2 // 找出圖中離凸包外最遠的距離
3
4 const int maxn = 100 + 10;
5 const double eps = 1e-7;
6
7
  struct Vector {
8
      double x, y;
9
      Vector(double x=0.0, double y=0.0): x(x), y(y) {}
10
11
      Vector operator+(Vector v) {
          return Vector(x+v.x, y+v.y);
12
13
      Vector operator - (Vector v) {
14
          return Vector(x-v.x, y-v.y);
15
16
17
      Vector operator*(double val) {
          return Vector(x*val, y*val);
18
19
      double dot(Vector v) { return x*v.x + y*v.y; }
20
21
       double cross(Vector v) { return x*v.y - y*v.x; }
      double length() { return sqrt(dot(*this)); }
22
23
       Vector unit_normal_vector() {
24
           double len = length();
25
           return Vector(-y/len, x/len);
26
27 \ \ \ :
28
29 using Point = Vector;
30
31 struct Line {
      Point p;
32
33
      Vector v;
      double ang;
34
      Line(Point p=\{\}, Vector v=\{\}): p(p), v(v) \{
35
36
           ang = atan2(v.y, v.x);
37
```

```
38
        bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
39
            return ang < 1.ang;</pre>
 40
       Point intersection(Line 1) {
41
42
            Vector u = p - 1.p;
            double t = 1.v.cross(u) / v.cross(1.v);
43
            return p + v*t;
44
45
       }
46 };
47
48 int n, m;
                           // 要判斷的直線
49 Line narrow[maxn];
                          // 能形成半平面交的凸包邊界點
50 Point poly[maxn];
   // return true if point p is on the left of line {\bf 1}
52
53
   bool onLeft(Point p, Line 1) {
       return 1.v.cross(p-1.p) > 0;
54
   }
55
56
57
   int halfplaneIntersection() {
       int 1, r;
58
       Line L[maxn];
                               // 排序後的向量隊列
59
       Point P[maxn];
                               // s[i] 跟 s[i-1] 的交點
60
61
       L[l=r=0] = narrow[0]; // notice: narrow is sorted
62
63
        for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
            while(l<r && !onLeft(P[r-1], narrow[i])) r--;</pre>
64
65
            while(l<r && !onLeft(P[l], narrow[i])) l++;</pre>
66
67
            L[++r] = narrow[i]:
68
            if(1 < r) P[r-1] = L[r-1].intersection(L[r]);
69
       }
70
71
        while(l<r && !onLeft(P[r-1], L[1])) r--;</pre>
       if(r-1 <= 1) return 0;
72
73
74
       P[r] = L[r].intersection(L[1]);
75
76
       int m=0;
77
        for(int i=1; i<=r; i++) {</pre>
78
            poly[m++] = P[i];
79
80
81
        return m;
82 }
83
84 Point pt[maxn];
85
   Vector vec[maxn];
   Vector normal[maxn]; // normal[i] = vec[i] 的單位法向量
87
   double bsearch(double 1=0.0, double r=1e4) {
88
89
       if(abs(r-1) < 1e-7) return 1;
90
91
        double mid = (1 + r) / 2;
92
93
        for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
            narrow[i] = Line(pt[i]+normal[i]*mid, vec[i]);
94
95
96
97
        if(halfplaneIntersection())
98
           return bsearch(mid, r);
99
        else return bsearch(l, mid);
100
101
   int main() {
102
        while(~scanf("%d", &n) && n) {
103
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
104
105
                double x, y;
                scanf("%1f%1f", &x, &y);
106
                pt[i] = {x, y};
107
108
109
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
110
                vec[i] = pt[(i+1)%n] - pt[i];
111
                normal[i] = vec[i].unit_normal_vector();
112
113
            printf("%.61f\n", bsearch());
114
```

```
115
        }
116
        return 0;
117 }
```

## 8.3 凸包

```
    1 // 0:平面上給定多個區域,由多個座標點所形成,再給定

2 // 多點 (x,y),判斷有落點的區域 (destroyed)的面積總和。
3 #include <bits/stdc++.h>
4 using namespace std;
6 const int maxn = 500 + 10;
7 const int maxCoordinate = 500 + 10;
8
9
  struct Point {
10
       int x, y;
11 };
12
13 int n;
14 bool destroyed[maxn];
15 Point arr[maxn];
16 vector<Point> polygons[maxn];
17
18
   void scanAndSortPoints() {
19
       int minX = maxCoordinate, minY = maxCoordinate;
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
20
21
           int x, y;
           scanf("%d%d", &x, &y);
22
           arr[i] = (Point)\{x, y\};
23
           if(y < minY || (y == minY && x < minX)) {</pre>
24
           If there are floating points, use:
25
26
       // if(y<minY || (abs(y-minY)<eps && x<minX)) {</pre>
27
                minX = x, minY = y;
28
           }
29
       sort(arr, arr+n, [minX, minY](Point& a, Point& b){
30
           double theta1 = atan2(a.y - minY, a.x - minX);
31
           double theta2 = atan2(b.y - minY, b.x - minX);
32
33
           return theta1 < theta2;</pre>
34
       });
35
       return;
36 }
37
38 //
      returns cross product of u(AB) \times v(AC)
39
  int cross(Point& A, Point& B, Point& C) {
       int u[2] = {B.x - A.x, B.y - A.y};
40
41
       int v[2] = \{C.x - A.x, C.y - A.y\};
       return (u[0] * v[1]) - (u[1] * v[0]);
42
43 }
44
45 // size of arr = n >= 3
46 // st = the stack using vector, m = index of the top
  vector<Point> convex_hull() {
47
48
       vector<Point> st(arr, arr+3);
49
       for(int i=3, m=2; i<n; i++, m++) {</pre>
           while(m >= 2) {
50
51
                if(cross(st[m], st[m-1], arr[i]) < 0)</pre>
52
                    break:
53
                st.pop_back();
54
               m - -;
55
           }
56
           st.push_back(arr[i]);
57
58
       return st;
59 }
60
61 bool inPolygon(vector<Point>& vec, Point p) {
62
       vec.push_back(vec[0]);
63
       for(int i=1; i<vec.size(); i++) {</pre>
           if(cross(vec[i-1], vec[i], p) < 0) {</pre>
64
65
                vec.pop_back();
66
                return false;
67
68
       vec.pop_back();
69
```

```
70
        return true;
71 }
72
73
          1 | x1
                   x 2
                          х3
                               x 4
                                     x5
          - |
74
                       Х
                                 Х
                 Х
                            Х
                                          ... x
75
          2 | y1 y2 y3 y4 y5
                                                 yn |
   double calculateArea(vector<Point>& v) {
76
       v.push_back(v[0]);
77
                                      // make v[n] = v[0]
       double result = 0.0;
78
        for(int i=1; i<v.size(); i++)</pre>
79
80
            result += v[i-1].x*v[i].y - v[i-1].y*v[i].x;
81
       v.pop_back();
        return result / 2.0;
82
   }
83
84
   int main() {
85
       int p = 0;
86
        while(~scanf("%d", &n) && (n != -1)) {
87
            scanAndSortPoints();
88
89
            polygons[p++] = convex_hull();
       }
90
91
       int x, y;
92
93
        double result = 0.0;
        while(~scanf("%d%d", &x, &y)) {
94
            for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
95
                if(inPolygon(polygons[i], (Point){x, y}))
97
                     destroyed[i] = true;
98
99
       for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
100
101
            if(destroyed[i])
102
                result += calculateArea(polygons[i]);
103
        printf("%.21f\n", result);
104
105
       return 0;
106 }
```

# 動態規劃

#### 9.1 LCS 和 LIS

```
1 // 最長共同子序列 (LCS)
2| 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
  C 同時為 A,B 的子序列。
3
 //最長遞增子序列 (LIS)
5
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
7
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
15
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
    3. 對 B 做 LIS
16
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
18
       越早出現的數字要越小
19
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
       直接忽略這個數字不做轉換即可
```

#### 10 Section2

### 10.1 thm

20

中文測試

```
• \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}
```

52 --

- $\binom{x}{y} = \frac{x!}{y!(x-y)!}$
- $\int_0^\infty e^{-x} dx$
- $\cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$

## 11 DP

## 11.1 DP 公式

• Edit distance

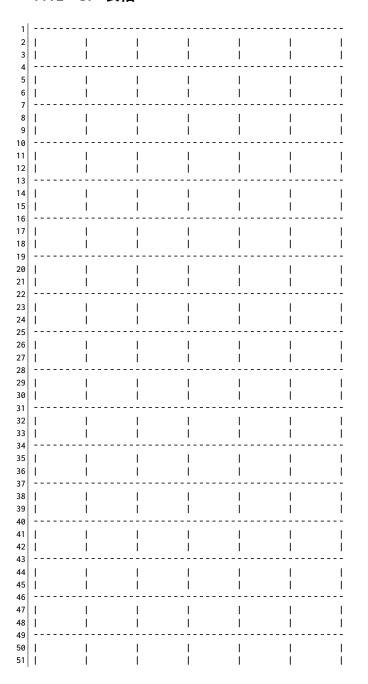
 $S_1$  經過增、刪或換字變成  $S_2$ 

$$dp[i][j] = \left\{ \begin{array}{ll} dp[i-1][j-1] & \text{if} \quad S_1[i] = S_2[j] \\ \min \left\{ \begin{array}{ll} dp[i][j-1] \\ dp[i-1][j] \\ dp[i-1][j-1] \end{array} \right\} + 1 & \text{if} \quad S_1[i] \neq S_2[j] \end{array} \right.$$

• Longest Palindromic Subsequence

$$dp[l][r] = \left\{ \begin{array}{ll} dp[l+1][r-1] & \text{if} \quad S[l] = S[r] \\ \max\{dp[l+1][r], dp[l][r-1]\} & \text{if} \quad S[l] \neq S[r] \end{array} \right.$$

## 11.2 DP 表格



52	?	
53		- 1
		!
54	<del> </del>	- 1
55	;	
56		ı
57	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	- 1
	,  ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' '	•
58		
59		- 1
		- :
60		ı
61		
		- 1
62	4   1   1   1   1   1	ı
63	3 1 1 1 1 1	- 1
		•
64		
65	5 1 1 1 1 1	- 1
		- :
66		ı
67	/	
68	3   1	- 1
69		- 1
		'
70	)	
71		- 1
		. !
72		- 1
73		
74		- 1
75	5	- 1
		'
76		
77		- 1
78		- 1
79	)	
80	ין ו ו ו וןיי	- 1
81		- 1
82		'
83	B	- 1
		- :
84		ı
85	;	
86		ı
87	,	- 1
		•
88		
89		- 1
		- :
90		ı
91		
		- 1
92		
		l I
93		
93 94		   
93 94		   
93 94 95		 
93 94 95 96		     
93 94 95		 
93 94 95 96 97		     
93 94 95 96 97 98		     
93 94 95 96 97 98 99		       
93 94 95 96 97 98 99		
93 94 95 96 97 98 99		
93 94 95 96 97 98 99 100		
93 94 95 96 97 98 99 100		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103		         
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 111 112		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 111 111 111 111 111		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 110 111 111 111 111 111 111 111		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 111 111 111 111 111 111 111 111 111		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 110 111 111 112 113 114 115 116		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 110 111 111 112 113 114 115 116		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 110 111 111 112 113 114 115 116 117		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 111 111 111 113 114 115 116 117 118		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 111 111 111 113 114 115 116 117 118		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 118 111 111 111 111 111 111 111 111 11		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 111 111 111 111 111 115 116 116 117 118 1116 117		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 111 111 111 111 111 111 111 111 11		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 111 111 111 111 111 111 111 111 11		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 111 115 116 117 118 119 119 119 119 119 119 119		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 111 115 116 117 118 119 119 119 119 119 119 119		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 111 111 1115 116 117 118 119 120 121 122 123		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 121 122 123 124		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 121 122 123 124		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 111 1115 116 117 118 119 120 121 121 122 123 124 125		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 121 122 123 124 125 126 127 128 129 121 121 122 123 124 125 126 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 129 120 120 120 120 120 120 120 120		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126 127 128 129 121 122 123 124 125 126 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 129 129 129 129 120 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 129 129 120 120 120 120 120 120 120 120		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 1112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126 127 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 129 129 129 129 129 129		
93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126 127 128 129 121 122 123 124 125 126 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 129 129 129 129 120 120 121 122 123 124 125 126 127 127 128 129 129 129 129 120 120 120 120 120 120 120 120		

							-						_
129	lı ı	1	1	1		J 206	1	ı	ı	1	ı		
130			' 			- 207	1	1	 	! 	! !	; ;	ı I
131		1	1	1	I.	208		' 	· 				-
132	li i	i	i	i	i	209	1	ı	ı	ı	ı		ı
133			'			- 210	i	i	i	i	i	i i	i
134	l I	1	1	1	1	J 211						<u></u>	-
135	li i	ĺ	ĺ	Ì	İ	212	1		I	I	I	1 1	I
136						- 213	1		I	I	I	1 1	I
137	1 1	1	I	I	I	214							-
138	I	I	I	I	1	215	1			1	I	1 1	1
139						- 216	I		I			1 1	ı
140	l I	I	I	I	1	217							-
141	1   1	1	I	I	I	218	1		I	1	l	1 1	ı
142						- 219	I	1		1	I	1 1	ı
143	! !	!	!	!	!	220							-
144	1	ı	ı	ı	I	221	!	!	!	!	!	!!!	!
145						- 222	I	I	I	I	I	1 1	ı
146		- !	!	!	1	223							-
147 148			 		I	224 - 225	1	1	1	 	 	: :	1
149		1	1	1	1	225			I 		I 	·	1
150		-	<u> </u>	i .	1	227	1	ı	ı	ı	ı		ı
151	'					- 228	i		i i	! 	l I	; ;	i
152	lı ı	1	1	1	I	229	·	' 			, 		_
153	li i	i	i	i	i	230	1	I	I	I	I	1 1	ı
154		<del>.</del>				- 231	i	İ	i	İ	İ	i i	İ
155	1 1	I	I	I	1	232							-
156	1 1	I	I	I	1	233	1	1		1	I	1 1	l
157						- 234	1			1	I	1 1	1
158		I	I	I	1	235							-
159		I	I	I	1	J 236	I	1	1	1	1		1
160						- 237	I	I				1 1	ı
161		ļ.	ļ.	ļ.	!	238							-
162		ı	ı	ı	1	239	!	!	!	!	!	!!!	!
163						- 240	1	I	I	I	I	1 1	ı
164		-	-	-	1	241   242		1			 1		
165 166	'		' 	'		- 243	1	1	1	 	 	!!!	1
167	1 1	1	1	1	1	243			 		I 	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1
168		i	i	i	<u> </u>	245	1	ı	ı	ı	ı		ı
169						- 246	i	i	i	i	i I	i i	i
170	lı ı	1	1	1	1	247	· 						-
171	li i	i	i	i	i	248	1	I		I	I	1 1	ı
172						- 249	ĺ	ĺ	İ	ĺ	ĺ	i i	ĺ
173	1 1	I	I	I	1	250							-
174	1 1	I	I	I	1	251	1		I	1	I		ĺ
175						- 252	I	I	I	1	I		l
176		!	!	!	!	253							-
177	1	ı	ı	ı	I	254	!	!	!	!	!	!!!	
178						- 255	1	I	I	I	I	1 1	ı
179 180		- !	!	!	1	256   257							
181			 			- 258	1	1	 	 	 		ı
182	1	1	1	1	1	258		ı 	ı 	ı 		ı   	-
183			i	i	i	259	1	I	I	ı	I		ı
184	<del>'</del> '-	'			· 	- 261	i	i İ	İ	i i	İ	· '	İ
185	1	1	I	1	I	262						· 	-
186	lı i	i	İ	1	I	263	1	I	1	I	I		I
187	<del>-</del> -					- 264	I	I	1	I	I	l İ	I
188	1   1	1	I	1	I	J 265							-
189	1   1	I	I		I	J 266	1	1	1	1	I	1 1	l
190						- 267	1	1	I	I	I	1 1	l
191		1	Į.	!	!	268							-
192	1	I	I	I	I	269	!	1	1	I	<u> </u>		
193						- 270 I 271	1	I	I	I	I	I I	I
194		l	ļ	1	1	271	1				 1		-
195				 	I	272	1	1	1	I I	[ 	ı	l I
196 197		I		1	1	- 273   274	I	I 	I 	I 	I 	ı	1
197		 		I I	1	274	1	1			<del></del>		ı
199	''-		' 			- 276	i	<u> </u>	<u>'</u>	' 	I	· '	i I
	1	1	I	ı	I	277		' 	' 	· 		, , 	-
		;	i	i	i	278	1	I	I	I	I		ı
200	lj i												
	i					- 279		1	1	1	I		
200 201 202	i	<u>'</u> 	i 	_i	 	- 279   280	l 	l 	l 	l 	l 	 	-
200 201	i	   	<u>-</u>   	   	   	- 279   280   281 - 282	    	    	  	  	  	    	  - 

	202							
	283 284	1	 I	 I		 	1	I
	285	i	i	i		i	i	i
	286					· 	· 	
	87	1	1	I		I	1	1
	38	I	I	I		I	I	1
	89							
	90 91	1	-	 		1	1	
	2							
	3	I	I	I		I	I	1
	4	I	1	- 1		1	1	1
	95							
	6	1	ļ.	!			1	!
	7 8	I 	 	ا		 	 	 
	9	ı	1	1		ı	ı	1
	)	i	i	i		i	i	i
	3	!	Ţ	- !		!	!	!
		I				l 	1	
		 I	 I	ı		I	1	1
		i					1	1
							· 	·
		I	1	- 1		I	I	1
		I	1	I		I	1	1
		I I	1	l I		I I	I I	I
		Ι	1	I		I	1	1
		I	i	i		I	1	İ
		!	ļ	!		!	!	I
		I	 	 		 	 	 
	)	1	1	I		1	I	1
		i		i		i	i	i
							· 	
		I	1	I		I	1	1
		I	I	I		I	I	I
	5	1						1
						1	1	
			'					
		I	1	I		I	1	1
		I	1	ĺ		I	1	1
		I		!		1	1	
		I 	 			I 	 	I 
		1	1	ı		1	I	1
		i	i	i		i i	i	i
		I	I	- 1		Į.	1	1
		I	I	I		I	I	1
		 I					1	1
		1	l I	l I		 	1	I
		<u></u>				' 		
		Ι	1	I		I	Ι	1
		I	İ	i		I	1	1
				Į.		1	1	
		I	 	ا 		I	 	 
		1	ı	1	<b></b>	1	1	1
		i	i	i		i	i	i
								· 
		I	1	I		I	1	1
		I	1	I		I	I	1
		1					1	1
435		I I	l I	l I		I I	I I	I
		<u>'</u>						
		I	1	ı		I	Ι	1

427													
437 438	1	 	 	l I	 	l I	514   515	1			 I		I I
439							- 516	i	i		ĺ	I	i i
440	1	l	l	l	I	l	517		·		·		
441 442		 	 	 	 	 	518 519		 		 	 	 
443	1	I	I	I	I	I	520		 			 	
444	i	I			I		521	1				l	1
445							522	1	l I		l	l	1 1
446 447	1	 	 	 	 	 	523 524	1					
448							- 525	i			! 		i i
449	1	I	I	I	I	I	526						
450	1	l			I		527	1				<u> </u>	
451 452	1	· I	· I	· I	 I	· I	- 528   529		 		 	 	l I
453	i						530	I	I			I	Ι Ι
454			·	·		·	- 531	1	l I			l	I I
455 456		  -					532 533	1			·	· I	 I I
457		 	 	 	 	 	- 534	i I	 		 	! 	, , 
458	1	I	l	l	I	l	535				· 		
459	1	l	l	l	I	l	536	!	<u> </u>			!	!!!
460 461	1	 I	· · · · · · · · · · · · ·		 I	· · · · · · · · · · · · ·	- 537   538		 		 	 	 
462	i				I		539	I	l I		l	I	I I
463							- 540	I	ı		I	I	ı i
464		  -	  -	  -	[	  -	541   542		·			· I	· '
465 466	I	 	 	 	 	 	- 542 - 543	1	 		 	! !	1 I I I
467	1	I	l	I	I	I	544						
468	1	I	I	I	I	I	545	1			<u> </u>	l ·	
469 470	1	· I	· I	· I	 I	· I	- 546   547		 		 	 	 
471	i	! 	! 	! 	! 	! 	548	1	I		I	I	1 1
472	·						549	İ	i i		İ	İ	i i
473		<u> </u>					550						
474 475	I 	 	 	 	 	 	551 552	1	 			 	 
476	1	I	I	I	I	I	553		' 		' 	' 	
477	1	l	l	I	I	I	554	1	l		l	l	
478 479	1	· I	· I	· I	 I	· I	- 555   556		 		 	 	 
480	i i	! 	! 	! 	! 	! 	557	1	I			I	1 1
481	·						- 558	İ	i		İ	İ	i i
482	1	!			!		559				·	·	
483 484	I	 	 	 	 	 	560 - 561	1	 		 	! !	1 I I I
485	1	l	l	l	I	l	562						
486	1	l	l	I	I	I	J 563	1			<u> </u>	l ·	
487 488	1	 I	· I		 I		- 564   565		 		 	 	 
489	<u> </u>	! 	! 	! 	İ	! 	566	I	I		l	I	1 1
490				·		·	- 567	I	ı		l	I	i i
491 492		  -	 	 	[ 	 	568   569	I	·		· I	· I	   '
492		I 	ı 	ı 	 	ı 	- 579 - 570		' 		! 	! 	, l
494	1	I	l	I	I	I	571						
495	1	I	I	I	I	I	572	1				ļ	
496 497	1	 I	· I	· I	 I	· I	- 573   574	I	l 		 	l 	ı l
498	i				I		575	I	l I		l	I	l I
499				·		·	- 576	1	I		I	I	l İ
500		  -	 	  -	 	  -	577		·			· I	 ı '
501 502	I	I 	I 	I 	I 	I 	578 - 579	1	 		! 	: 	ı I   I
503	1	I	I	I	I	I	580						
504	1	I	I	I	I	I	581	Į.	<u> </u>			ļ ·	
505 506	1	· I	· I	· I	 I	· I	- 582   583	I	l 	. <b></b> .	 	 	I l
507							584	I	ı			I	
508							- 585	I	ı		l	I	ı i
509		<u> </u>	  -		1		586				· ·	·	
510 511	I	l 	I 	I 	I 	 	587 - 588	1	 		l 	I I	1     1
512	1	I	I	I	I	I	589				· 		
513	1	l	l	I	I	I	590	1	l I		l	l	1 1

745							- 822	1	I	I	I	I	l I
746 747	!	Į.	1	1	I	1	l 823			·	· ·	·	
747				 		 	824 - 825	1	! 	! 	l 	! 	1 I
749	!	Į.	1	ļ	1	1	J 826	<u>-</u>					· 
750 751	 	 	 	 	 	 	827 - 828	1	 	 	 	 	 
752	1	I	1	I	1	1	J 829						
753 754	1		 	 		 	830 - 831		  -	  -	 	  -	
755	I	I	1	1	1	1	832			' 			
756 757	1	l	l	l	1	 	833		l '	l '	  -	l '	
758	1						- 834   835		 	 	 	 	
759	I	I	1	I	1	1	836	!	!	!	l	!	! !
760 761	1				1	1	- 837   838		I 	 	 	 	
762	İ	İ	i	İ	İ	i	l 839	!	ļ	!	l	ļ	!!
763 764	1				1		- 840   841	I	 	 	 	 	 
765	i	i	i	i	i	i	J 842	1	I	I	I	I	1 1
766 767		 				 I	- 843   844		l 	 	 	 	 
768	i	i	i	i	i	i	845	1	I	I	I	I	l l
769 770						 I	- 846   847		 	 	 	 	l l
771				i	i		848	1	I	I	I	I	1 1
772 773						 I	- 849   850		 	 	 	 	
774					İ		851	1	 		 	 	I I
775							- 852	1	I	I	I	I	l I
776 777	i			l		1	853   854	1	 I	· I			I I
778					:		- 855	İ	İ	İ	İ	İ	i i
779 780	1	l I	1	l I	l I	1	856   857	1	 I	 I	· · · · · · · · · · · · ·		I I
781							- 858	i	İ	i İ	İ	İ	i i
782 783	1	l I		l I	I	1	859   860	I	 I	· I	· I	· I	 I I
784		· ·					- 861	i	i İ	i	İ	i İ	i i
785 786	1			l	1	1	862   863	1	 I	· I	· I	· I	
787		· ·					- 864	i	i İ	i	İ	i İ	i i
788 789	1	l I		l I	 	1	865   866	1	 I	 I	· I	 I	 I I
790					:		- 867	İ	İ	İ	i İ	İ	i i
791 792	1	l I		l I	 	1	868   869	1	 I	 I	· I	 I	 I I
793	:	· · · · · · · · · · · · · · · ·				- <u>-</u>	- 870	İ	İ	İ	İ	İ	i i
794 795	1	l I	l	l I	 	1	871   872	1	 I	 I	· I	 I	 I I
796		· ·					- 873	i	i İ	i	İ	i İ	i i
797 798	1			l	1	1	874   875	1	 I	· I	· I	· I	
799	· 	· · · · · · · · · · ·	:	:	:	- <u>:</u>	- 876	i	i I	i I	i	i I	i i
800 801	 	 	I	l I	I	 	877   878	I	 I	· I	· I	· I	
802						· 	- 879	i	I	I	i	I	i i
803 804	 		I	l I	I	1	880   881	I	 I	· I	· I	· I	
805							- 882	i	i i	i i	i İ	i i	i i
806 807				l I	l	1	883   884	1	 I	 I	· I	· I	 I I
808							- 885	i	i I	i I	! 	! 	i i
809 810	 	 		l I	[	1	886   887	I	 I	 I	· I	· I	   '
811							- 888	İ					' ' 
812 813			1	l I	I	1	l 889	I		 I	· I	· I	· ·
814							890 - 891		! 	! 	! 	! 	
815			1	1	Į.	1	892			·	· I	·	
816 817	I 					 	893 - 894	1	! 	! 	! 	! 	ı I I I
818			1	I	1	1	l 895		 I	 I	· ·	·	
819 820	I 					 	896 - 897	 	1 	1 	1 	1 	ı I I I
821	I	I	I	1	1	1	J 898						

899 900						  -	976 977	1	 I	· I		 I	
901							- 978		! 	 	 	! 	, I I I
902	1 1				I	I	J 979			' 		' 	
903	1 1				I	l	J 980	1	I			l	l I
904							- 981	1	I			l	1 1
905					!	<u> </u>	982						
906 907	I I		 	 	 	 	983 - 984	1	 			 	i I
908	1 1			1	I	ı	985		 	 	 	 	
909	i i				i	İ	986	1	I	1	1	I	1 1
910							- 987	Ì	l			l	i i
911	1 1				1	l	J 988						
912	1 1				1	l	989	!	<u> </u>			!	!!!
913 914							- 990   991		 	 	 	 	i I
915	; ;		 	 	I I	 	992	ı	ı	ı	ı	ı	1 1
916							- 993	i	i I	! 	! 	! 	, i
917	1 1				I	l	J 994						
918	1 1				1	l	J 995	1	l			l	l I
919							- 996	1	I			l	1 1
920							997	1	·		·	 I	
921 922			 	 	 	 	998 - 999	1	 			l I	i I
923	1 1		1	I	ı	ı	1000		 	 :	 	 	
924	i i				i	I	1001	I	I			I	1 1
925							- 1002	1	I			l	l I
926	1 1					l	1003						
927	1 1				I	l	1004	<u> </u>				<u> </u>	!!!
928 929	1 1					 I	- 1005   1006		 	 	 	 	1 I
930				l 	i I	! 	1007	1	ı	I	I	ı	1 1
931							- 1008	i				I	i i
932	1 1				I	l	l 1009						
933	1 1				1	l	l 1010	1	I			l	l I
934							- 1011	I	1			l	i I
935							1012   1013		· ·				
936 937			 :	 	 	I 	- 1014	 	I I			 	, I
938	1 1			l	I	I	I 1015						
939	i i		i	ĺ	i	I	1016	1	I			I	l I
940							- 1017	1	l			l	l I
941	!!!				!	!	1018			·		·	
942 943			 	 	 	 	1019 - 1020	1	 		 	 	i I
944	1 1			l	1	I	1020		 	 	 	 	
945	i i				i	i I	1022	1	I			I	1 1
946							- 1023	1	I			l	l I
947	1 1					l	1024						
948	1 1				I	l	1025	<u> </u>				<u> </u>	!!!
949 950					1	 I	- 1026   1027		 	 	 	 	i I
951	; ;			l 	i I	! 	1027	1	ı	ı	ı	ı	1 1
952							- 1029	i	I				i i
953	1 1			l	1	I	l 1030						
954	1 1		l I	l	I	I	1031	!	ļ .	<u> </u>	<u> </u>	ļ ·	! I
955							- 1032 - 1032	1	I	l	l	I	i I
956 957				l I	I I	I I	1033   1034	1	· I	· I	· I	· I	
958	ı l				·	' 	- 1034 - 1035	1	! 	! 	! 	! 	ı I   I
959	1 1				I	I	1036	· 					
960	i i		l i	I	1	I	1037	1	I	l	l	I	l I
961			·				- 1038	1	I	l	l	l	1 1
962						ļ	1039				·	·	
963 964	ı l		 	l 	I 	I 	1040 - 1041	1	I I	] 	] 	l I	i I I I
965				<b>-</b>		I	1041	I 	I 			I 	; I
966			· 	· 	i		1042	I	I	l	l	I	1
967					· 		- 1044	i	I				i i
968	1 1		l I	l	1	I	1045						·
969	1 1		l I	l	I	I	1046	!	ļ .	<u> </u>	<u> </u>	l ·	
970							- 1047 I 1049	1	I	l 	l 	l 	i I
971 972			 	 	I I	l I	1048   1049	1	 I	· I	· I	 I	
973	ı l				·	' 	- 1050	1	! 	! 	! 	' 	ı I   I
974					I	I	1051						
975	ı i	j	ı		1	I	1052	1	I			I	l I
							'						

1053	1	ı	ı	ı	ı	ı	1130	Li	ı	ı	ı	ı		
1054						' 	- 1131	l i	i I		' 	i I	i i	
1055	1	1	I	l ·	l ·	  -	1132							
1056 1057			 	 	 	 	1133 - 1134			  -	 			
1058	I		I	I	I	I	1134	 	 	 	 :	 		
1059	İ	i	İ	İ	İ	i İ	1136	1	I	I	I	I	1 1	
1060				·			- 1137	1	l	l	l	l	1 1	
1061 1062	1	 	 	 	 	l I	1138   1139		 I	 I	 I	 I		ı
1063	' 	' 		' 	' 	' 	- 1140	li	İ	i I	' 	İ	i i	
1064	1	1	I	l	l	l	1141							
1065 1066			 	 	 	 	1142 - 1143			  -				
1067	I		I	I	I	I	1143	 	 	 	 :	 		
1068	İ	İ	İ	İ	İ	i İ	1145	1	I	I	I	I	1 1	
1069				·			- 1146	1	l	l	l	l	1 1	
1070 1071	1	l I	! !	 	 	l I	1147   1148		· I	 I	 I	 I	 I I	i
1072						' 	- 1149	li	i İ	i İ	i I	i İ	i i	
1073	1	1	I	l	l	<u> </u>	1150						 	
1074 1075		 	 	 	 	 	1151 - 1152		 	 	 	 	 	
1076	1	I	I	I	I	I	1153							
1077	Ì	Ì	ĺ	ĺ	ĺ	l	1154	1	I	I	I	I	1 1	
1078					· ·	· ·	- 1155		l	l	l	l	I I	
1079 1080	1	I I	I I	l I	I I	l I	1156   1157	1	 I	· · · · · · · · · · · · ·	· I			ı
1081		· 					- 1158	l i	I	I	i I	I	i i	
1082	!	1	!	l	ļ		1159				·			
1083 1084	l 	 	 	 	 	 	1160 - 1161		 	 	l I	 	 	
1085	I	I	I	I	I	I	1162		' 	' 	' 	' 		
1086	1	I	I	l	l	l	1163	1	l	l ·	<u> </u>	l	1 1	
1087 1088	1	 I	 I	· I	· I	· I	- 1164   1165		 	 	 	 	 	_
1089	i	i	i I	i I		' 	1166	1	I	I	I	I	1 1	
1090							- 1167	1	l	l	l	l	1 1	
1091 1092	1	 	 	 	 	 	1168   1169		 I	 I	· I	 I	 I I	ı
1093					' 	' 	- 1170	li	İ	İ	' 	İ	i i	
1094	!	!	Į.	ļ ·	ļ ·	l ·	1171				·			
1095 1096	l 	 	 	 	 	 	1172 - 1173		 	 	l I	 	 	
1097	1	I	I	I	I	l	1174	<del>-</del>						
1098	1	I	I	l	l	I	1175	!	!	!	l	!	!!!	
1099 1100	1	I	 I	· I	· I	· I	- 1176   1177		 	 	 	 	l l	
1101	i	i	i	İ	İ	i I	1178	1	I	I	I	I	1 1	
1102						·	- 1179	1	I	I	I	I	I I	
1103 1104	1	 	 	 	 	l I	1180   1181		 I	 I	 I	 I		ı
1105		<u>.</u>					- 1182	li	i İ	i İ	i I	i İ	i i	
1106	!	1	!	l	ļ		1183				·			
1107 1108	I 	I 	I 	 	 	 	1184 - 1185		I 	! 	! 	I 	: !   !	
1109	1	I	I	I	I	I	1186							
1110	1	I	I	I	I	I	1187		l	ļ		l	!!	
1111 1112	1	 I	 I	 I	· I	· I	- 1188   1189		l 	 	 	l 	ı l	
1113	i	i	i	İ	İ		1190	1	I	I	l	I	1 1	
1114							- 1191	1	I	I	I	I	I I	
1115 1116	1	 	 	 	 	 	1192   1193		 I	 I	· I	 I	 I I	ı
1117					' 	ı 	- 1194	li			' 		' ' 	
1118	1	I	I	l	l	l	1195							
1119 1120	I	l 	 	 	 	 	1196 - 1197		  -	 	 	  -		
1121	I	I	I	I	I	I	1197		' 	' 			, l 	
1122	1	I	I	I	I	I	1199	1	I	I	I	I	1 1	
1123		 I	 I	·	 I	 I	- 1200 I 1201		 	 	 	 		
1124 1125	1	1	! 	! 	! 	1 	1201   1202		 	 	 	 		ı
1126							- 1203	l i	I	I		I	i i	
1127	1	1	I	l	l '	  -	1204		 I		 I			
1128 1129	I 	I 	I 	 	 	 	1205 - 1206		I 	! 	! 	I 	: !   !	
25							1200	'		•	•	•	. '	

						1 3 0 0							
1207						1004				ı			
1207						1284	1 1	l		l	ı	1	ı
1208	!!!	ļ	!!!	ļ	!	1285							-
1209	1 1	I	1 1	ı	ı	1286	!!!				!	!	!
1210						1287	1				l	1	ı
1211	!!!	ļ	!!!	!	!	1288					·		-
1212	1 1		1 1	I	I	1289	!!!				!	!	
1213						1290	1				l	l	ı
1214	1 1	I	I I	I	ı	1291							-
1215	1 1		I I	I	- 1	1292	1 1				l	1	
1216						1293	1 1				I	1	
1217	1 1		1 1	1	- 1	1294							-
1218	1 1	1	I I	1	- 1	1295	1 1				I	I	
1219						1296	1 1				I	I	
1220	1 1	1	I I	I	- 1	1297							-
1221	1 1	1	I I	1	- 1	1298	1 1				I	I	١
1222						1299	1 1				I	I	١
1223	1 1	1	1 1	1	- 1	1300							-
1224	i i	i	i i	i	i	1301	1 1				I	I	ı
1225						1302	i i				İ	İ	Ĺ
1226	1 1	1	1 1	1	1	1303							-
1227	i i	i	i i	i	i	1304	1 1				I	I	ı
1228					:	1305	i i		i	i	i i	i	i
1229	1 1	1	1 1	1	1	1306			:				-
1230	į i	i	į į	i	i	1307					I	I	ı
1231						1308					I	I	i
1232	1 1	1	1	1	1	1309							_
1233	i i	i	i :	i	i	1310					I	I	ı
1234						1311			· 	' 	I	i I	i
1235	1 1	ı	1	1	1	1312		· ·		· ·			_
1236		i	; ;	i	i	1313				l	ı	ı	ı
1237						1314	;				<u>'</u>		¦
1238	1 1	1		1	1	1315					! 		_
	1 1	1		<u> </u>	-					ı			
1239 1240		 				1316	! !				!	!	
	1 1					1317		 	 	 	 	1	I -
1241 1242	! !	l I	! !		- !	1318							-
	1 1	ı	1 1	ı	ı	1319	! !				!	1	!
1243						1320	1 1				ı	1	ı
1244	!!!		!!!	ļ	!	1321							-
1245	1 1	I	1 1	I	- 1	1322	!!!				!	!	!
1246						1323	1 1				I	1	I
1247	!!!	ļ	!!	!	!	1324							-
1248	1 1	ı	1 1	I	ı	1325	!!!				!	!	!
1249						1326	1 1				I	1	I
1250	!!!	!	!!	!	!	1327							-
1251	1 1	I	1 1	I	- 1	1328	!!!				!	!	!
1252						1329	1 1				l	1	I
1253	!!!	!	!!	!	!	1330							-
1254	1 1	I	1 1	I	- 1	1331	!!!				!	!	!
1255						1332	1 1				I	1	I
1256	!!!	!	!!	!	!	1333							-
1257	1 1	I	1 1	I	- 1	1334	1 !				l '	1	I
1258						1335	1 1				I	1	I
1259	1 !	!	1 1	<u> </u>	!	1336							-
1260	1 1	I	1 1	I	- 1	1337	1 !				l '	1	I
1261						1338	1 1	1	l l	1	I	I	I
1262	1 1	ļ	1 1	I .	ļ.	1339					· ·		-
1263	1 1	I	1 1	I	- 1	1340	!!!				!	!	!
1264						1341	1 1		I		I	I	I
1265	ļ ļ	!	1 1	<u> </u>	!	1342					·		-
1266	1 1		1 1	I	I	1343	!!!				!	!	
1267						1344	1				l	1	ı
1268	1 1			l	1	1345							-
1269	1 1	I	I I		ı	1346	1				I	1	ı
1270						1347	1 1				I	1	I
1271	1 1	I	I I		I	1348							-
1272	1 1	I	I I	1	- 1	1349	1 1				I	1	
1273						1350	1 1				l	1	I
1274	1	I	1 1	1	1	1351							-
1275	1	1	1 1	1	1	1352	1 1				l	1	I
1276						1353	1 1				l	1	I
1277	1	I	1 1	1	1	1354							-
1278	1	I	ı İ	1	1	1355	1 1				l	I	I
1279						1356	1 1				l	I	I
1280	1 1	1	1 1	1	1	1357							-
1281	i i	I	ı İ	1	1	1358					l	I	ı
1282						1359	į į				I	I	I
1283	1	1	1	1	1	1360							-
- 1	•			•	-	- 1							

1361	!	<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>	l	1438		·		·			
1362	1	l	l		l		1439	!				!		1
1363							- 1440	1				l		J
1364 1365	1	 	 		 	 	1441   1442	1				 I		
1366		 	 		 	 	- 1443	i	l 		l 	! 	, , , ,	ĺ
1367	1	I	1		I	I	1444		' 	' 	' 	' 	' 	-
1368	İ		i i				1445	1				I	1 1	1
1369							- 1446	1				l		ı
1370	1	l			l		1447							•
1371	1	l			l		1448	1						l
1372							- 1449	1				l		]
1373 1374	1	 	 		 	 	1450   1451	1				 I		
1374		 	 	 :	 	 	- 1452	i	l I	 	 	! 	 	i
1376	1	I	1		I	I	1453							-
1377	i	I	i i		I		1454	1				I	1 1	1
1378							- 1455	1				l		ı
1379	1	l			l		1456							•
1380	1	l			l		1457	1	<u> </u>			<u> </u>		1
1381							- 1458	1				l		]
1382 1383	1	 	 		 	l I	1459   1460	1						
1384		 	 		 	 	- 1461	i	I 		l 	! 	, , , ,	ĺ
1385	1	I	1		I	l	1462							-
1386	İ	I	İ		I	I	1463	1				l		ĺ
1387							- 1464	1				l		
1388	1						1465		·		- <b></b> -			
1389	1	l	l		l		1466	!				<u> </u>		]
1390 1391		 I			 !		- 1467   1468		 	 	 	l 	l I	
1392	1	! 	 		! 	I I	1469	1	I		ı	ı	1 1	
1393		' 			' 	' 	- 1470	i	! 		! 	' 	I I	ĺ
1394	I	I			I		1471							-
1395	1	l			l		1472	1				l	l I	ı
1396							- 1473	1				l	l I	
1397	1	<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>		1474		·		·			
1398	1	l	l				1475	1						]
1399 1400	1	 I			 I		- 1476   1477		 	 	 	 		-
1401	i	! 	 		! 	I 	1477	1	I		ı	ı		ı
1402				' 	, 		1479	i				I	I i	ı
1403	1	l			l		1480							-
1404	1	l			l		1481	1				l		1
1405					·	·	- 1482	1				l		ļ
1406	1						1483	1	· I					
1407 1408		 	l 	 :	 	 	1484 - 1485	I	 	 		 	 	i
1409	1	I	1		I	I	1486		' 	' 	' 	' 	' 	-
1410	İ	I	i I		I		1487	1	l		l	I		ĺ
1411							- 1488	1	l			l	l I	l
1412	!	<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>	l	1489		·		·			
1413	1	l	l		l		1490	!						J
1414 1415	1	 I			 I		- 1491   1492		 	 	 	 		-
1416	İ	! 	 		! 	I 	1493	1	I		l	ı	1 1	ı
1417							- 1494	i						ĺ
1418	1	I	I		I	I	1495							-
1419	1	l	l I	l I	l	I	1496	1	  -		<u> </u>	l ·		1
1420		·			· I	· I	- 1497 I 1408	1	l 		l 	l 	I I	J
1421 1422	1	l I	 	 	l I	l I	1498   1499	1	· I		· I	 I	 ! '	I
1423		 		 	 	 	- 1500	i i	l I	 	 	 	 	i
1424	1	I	1		I	I	1501							-
1425	i	I			I		1502	1				I	1 1	1
1426							- 1503	İ				l	i i	ĺ
1427	1	l			l	l	1504		·		·			
1428	1	l			l	l	1505	1	l			!		1
1429		 I	 I		 I	· I	- 1506	1	l 		l 	 	I	1
1430 1431	1	I I	I I	 	I I	l I	1507   1508	1	<del></del> I		<b></b>			
1431	I 	I 	I 		I 	 	1508 - 1509	1	ı İ	 	! 	1 	, l	i
1433	1	I	I		I	l	1510			· 				-
1434	İ					l	1511	1	l		l	I		i
1435							- 1512	1	I	l i		I	l İ	l
1436	1	l ·	<u> </u>		<u> </u>	l	1513		·		·			
1437	I	I	I	l I	I	I	1514	I	I	l I	l	I	I I	J

1515	1	I	I	1	1	1	1
1516							-
1517	1	I	I	I	1	1	1
1518	1	I	I	1	1	1	1
1519							· -
1520	1	I	I	I	1	1	1
1521	1	I	I	I	1	1	1
1522							· -
1523	1	I	I	I	1	1	1
1524	1	I	I	I	1	1	1
1525							· -
1526	1	I	I	I	1	1	Ι
1527	1	I	I	1	1	1	1
1528							· -
1529	1	I	I	I	1	1	1
1530	1	I	I	I	1	1	1
1531							-
1532	1	I	I	I	1	1	Ι
1533	1	I	I	1	1	1	1
1534							-

## 12 slogan

## 12.1 slogan

