

Contents

1	ubuntu	
1.1	run	
1.2	cp.sh	
2	Basic	
2.1	ascii	
2.2	limits	
3	字串	
3.1	最長迴文子字串	
3.2	stringstream	
4	STL	
4.1	priority_queue	
4.2	queue	
4.3	deque	
4.4	map	
4.5	unordered_map	
4.6	set	
4.7	multiset	
4.8	unordered_set	
4.9	單調隊列	
5	sort	
5.1	大數排序	
5.2	bubble sort	
6	math	
6.1	質數與因數	
6.2	prime factorization	
6.3	快速幂	
6.4	歐拉函數	
7	algorithm	
7.1	basic	
7.2	binarysearch	
7.3	prefix sum	
7.4	差分	
7.5	greedy	
8	動態規劃	
8.1	LCS 和 LIS	
9	graph	
9.1	graph	
10	Section2	
10.1	thm	
11	space	
11.1	s	
12	reference	
12.1	assert.cpp	
12.2	print.cpp	
12.3	rvec.cpp	
12.4	find.cpp	
12.5	sort.cpp	
12.6	minmax.cpp	
12.7	hw6.cpp	
12.8	rectangle.cpp	
12.9	RationalNumber.cpp	
12.10	sortFunctionTemplate.cpp	
12.11	exception.cpp	

1 ubuntu

1.1 run

1| ~\$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
3 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4 if [[ "$?" == "0" ]]; then
5     echo Running
6     ./$1 < $1.in > $1.out
7     echo END
8 fi
```

2 Basic

2.1 ascii

	int	char	int	char	int	char
1	32		64	@	96	`
2	33	!	65	A	97	a
3	34	"	66	B	98	b
4	35	#	67	C	99	c
5	36	\$	68	D	100	d
6	37	%	69	E	101	e
7	38	&	70	F	102	f
8	39	'	71	G	103	g
9	40	(72	H	104	h
10	41)	73	I	105	i
11	42	*	74	J	106	j
12	43	+	75	K	107	k
13	44	,	76	L	108	l
14	45	-	77	M	109	m
15	46	.	78	N	110	n
16	47	/	79	O	111	o
17	48	0	80	P	112	p
18	49	1	81	Q	113	q
19	50	2	82	R	114	r
20	51	3	83	S	115	s
21	52	4	84	T	116	t
22	53	5	85	U	117	u
23	54	6	86	V	118	v
24	55	7	87	W	119	w
25	56	8	88	X	120	x
26	57	9	89	Y	121	y
27	58	:	90	Z	122	z
28	59	;	91	[123	{
29	60	<	92	\	124	
30	61	=	93]	125	}
31	62	>	94	^	126	~
32	63	?	95	_		

2.2 limits

	[Type]	[size]	[range]
1	char	1	127 to -128
2	signed char	1	127 to -128
3	unsigned char	1	0 to 255
4	short	2	32767 to -32768
5	int	4	2147483647 to -2147483648
6	unsigned int	4	0 to 4294967295
7	long	4	2147483647 to -2147483648
8	unsigned long	4	0 to 18446744073709551615
9	long long	8	
10		9223372036854775807 to -9223372036854775808	
11	double	8	1.79769e+308 to 2.22507e-308
12	long double	16	1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
13	float	4	3.40282e+38 to 1.17549e-38
14	unsigned long long	8	0 to 18446744073709551615
15			
16	string	32	

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x) % 2 ? s[(x) / 2] : '. ')
3 using namespace std;
4
5 string s;
6 int n;
7
8 int ex(int l, int r) {
9     int i = 0;
10    while(l - i >= 0 && r + i < n && T(l - i) == T(r + i)) i++;
11    return i;
12 }
13
14 int main() {
15     cin >> s;
16     n = 2 * s.size() + 1;
17
18     int mx = 0;
19     int center = 0;
20     vector<int> r(n);
21     int ans = 1;
22     r[0] = 1;
23     for(int i = 1; i < n; i++) {
24         int ii = center - (i - center);
25         int len = mx - i + 1;
26         if(i > mx) {
27             r[i] = ex(i, i);
28             center = i;
29             mx = i + r[i] - 1;
30         } else if(r[ii] == len) {
31             r[i] = len + ex(i - len, i + len);
32             center = i;
33             mx = i + r[i] - 1;
34         } else {
35             r[i] = min(r[ii], len);
36         }
37         ans = max(ans, r[i]);
38     }
39
40     cout << ans - 1 << "\n";
41     return 0;
42 }

```

3.2 stringstream

```

1 string s, word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin, s);
4 ss << s;
5 while(ss >> word)
6     cout << word << endl;

```

4 STL

4.1 priority_queue

```

1 priority_queue: 優先隊列，資料預設由大到小排序，
   即優先權高的資料會先被取出。
2 宣告：
3     priority_queue<int> pq;
4 把元素 x 加進 priority_queue：
5     pq.push(x);
6 讀取優先權最高的值：
7     x = pq.top();
8     pq.pop();           //讀取後刪除

```

```

9 判斷是否為空的priority_queue：
10    pq.empty()           //回傳 true
11    pq.size()            //回傳 0
12 如需改變priority_queue的優先權定義：
13    priority_queue<T> pq; //預設由大到小
14    priority_queue<T, vector<T>, greater<T>> pq;
15                                //改成由小到大
16    priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp

```

4.2 queue

```

1 queue: 佇列，資料有「先進先出」(first in first out,
   FIFO)的特性。
2 就像排隊買票一樣，先排隊的客戶被服務。
3 宣告：
4     queue<int> q;
5 把元素 x 加進 queue：
6     q.push(x);
7 取值：
8     x = q.front(); //頭
9     x = q.back();  //尾
10 移除已經讀取的值：
11     q.pop();
12 判斷是否為空的queue：
13     q.empty() 回傳 true
14     q.size()  回傳零
15
16 #include <iostream>
17 #include <queue>
18 using namespace std;
19
20 int main() {
21     int n;
22     while (cin >> n) {
23         if (n == 0) break;
24         queue<int> q;
25         for (int i = 0; i < n; i++) {
26             q.push(i+1);
27         }
28         cout << "Discarded cards:";
29         for (int i = 0; i < n-1; i++) {
30             if (i != 0) cout << ', ';
31             cout << ' ' << q.front();
32             q.pop();
33             q.push(q.front());
34             q.pop();
35         }
36         cout << endl << "Remaining card: " <<
37             q.front() << endl;
38     }
39 }

```

4.3 deque

```

1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2 (Standard Template Library, STL)
3 中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue)，
4 跟 vector 相似，不過在 vector
5 中若是要添加新元素至開端，
6 其時間複雜度為 O(N)，但在 deque 中則是 O(1)。
7 同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間，
8 讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
9 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
10 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
11 dq.pop_back()   //移除 deque 最尾端的元素
12 dq.pop_front()  //移除 deque 最開頭的元素
13 dq.back()       //取出 deque 最尾端的元素
14 dq.front()      //回傳 deque 最開頭的元素
15 dq.insert()
16 dq.insert(position, n, val)

```

```

16 position: 插入元素的 index 值
17 n: 元素插入次數
18 val: 插入的元素值
19 dq.erase()
    //刪除元素，需要使用迭代器指定刪除的元素或位置，
    同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20 dq.clear()    //清空整個 deque 佇列。
21 dq.size()    //檢查 deque 的尺寸
22 dq.empty()   //如果 deque 佇列為空返回 1；
                若是存在任何元素，則返回0
23 dq.begin()   //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.end()     //指向 deque 結尾，
25             不是最後一個元素，
26             而是最後一個元素的下一個位置
27

```

4.4 map

```

1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構，
2     會按 key 由小到大排序。
3 元素存取
4 operator[]: 存取指定的[i]元素的資料
5
6 迭代器
7 begin(): 回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end(): 回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin(): 回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend(): 回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11

```

遍歷整個map時，利用iterator操作：

```

13 取key: it->first 或 (*it).first
14 取value: it->second 或 (*it).second
15

```

容量

```

17 empty(): 檢查容器是否為空，空則回傳true
18 size(): 回傳元素數量
19 max_size(): 回傳可以容納的最大元素個數
20

```

修改器

```

22 clear(): 刪除所有元素
23 insert(): 插入元素
24 erase(): 刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26

```

查找

```

28 count(): 回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30

```

//實作範例

```

32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34
35 int main(){
36
37     //declaration container and iterator
38     map<string, string> mp;
39     map<string, string>::iterator iter;
40     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
41
42     //insert element
43     mp.insert(pair<string, string>("r000",
44                                     "student_zero"));
45
46     mp["r123"] = "student_first";
47     mp["r456"] = "student_second";
48
49     //traversal
50     for(iter = mp.begin(); iter != mp.end(); iter++)
51         cout<<iter->first<<" "<<iter->second<<endl;
52     for(iter_r = mp.rbegin(); iter_r != mp.rend();
53         iter_r++)
54         cout<<iter_r->first<<" "
55             <<iter_r->second<<endl;
56

```

```

53
54     //find and erase the element
55     iter = mp.find("r123");
56     mp.erase(iter);
57
58     iter = mp.find("r123");
59
60     if(iter != mp.end())
61         cout<<"Find, the value is "
62             <<iter->second<<endl;
63     else
64         cout<<"Do not Find"<<endl;
65
66     return 0;
67 }
68
69 //map統計數字
70 #include<bits/stdc++.h>
71 using namespace std;
72
73 int main(){
74     ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0);
75     long long n,x;
76     cin>>n;
77     map <int,int> mp;
78     while(n--){
79         cin>>x;
80         ++mp[x];
81     }
82     for(auto i:mp) cout<<i.first<<" "<<i.second<<endl;
83 }

```

4.5 unordered_map

```

1 unordered_map: 存放 key-value pairs
2               的「無序」映射資料結構。
3 用法與map相同

```

4.6 set

1 set: 集合，去除重複的元素，資料由小到大排序。

2 宣告：

```
4 set <int> st;
```

6 把元素 x 加進 set：

```
7 st.insert(x);
```

9 檢查元素 x 是否存在 set 中：

```
10 st.count(x);
```

12 刪除元素 x：

```
13 st.erase(x); // 可傳入值或iterator
```

15 清空集合中的所有元素：

```
16 st.clear();
```

18 取值：使用iterator

```
19 x = *st.begin();
```

20 // set中的第一個元素(最小的元素)。

```
21 x = *st.rbegin();
```

22 // set中的最後一個元素(最大的元素)。

24 判斷是否為空的set：

```
25 st.empty() 回傳true
```

```
26 st.size() 回傳零
```

28 常用來搭配的member function：

```
29 st.count(x);
```

```
30 auto it = st.find(x);
```

```
31 // binary search, O(log(N))
```

```
32 auto it = st.lower_bound(x);
```

```

33 // binary search, O(log(N))
34 auto it = st.upper_bound(x);
35 // binary search, O(log(N))

```

4.7 multiset

與 set 用法雷同，但會保留重複的元素。
 資料由小到大排序。
 宣告：
 multiset<int> st;
 刪除資料：
 st.erase(val); 會刪除所有值為 val 的元素。
 st.erase(st.find(val)); 只刪除第一個值為 val 的元素。

4.8 unordered_set

unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table)，
 資料插入和查詢的時間複雜度很低，為常數級別 $O(1)$ ，
 相對的代價是消耗較多的記憶體，空間複雜度較高，
 無自動排序功能。

```

6 初始化
7 unordered_set<int> myunordered_set{1, 2, 3, 4, 5};
9 陣列初始化
10 int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};
11 unordered_set<int> myunordered_set(arr, arr+5);
13 插入元素
14 unordered_set<int> myunordered_set;
15 myunordered_set.insert(1);
17 迴圈遍歷 unordered_set 容器
18 #include <iostream>
19 #include <unordered_set>
20 using namespace std;
21
22 int main() {
23     unordered_set<int> myunordered_set = {3, 1};
24     myunordered_set.insert(2);
25     myunordered_set.insert(5);
26     myunordered_set.insert(4);
27     myunordered_set.insert(5);
28     myunordered_set.insert(4);
29
30     for (const auto &s : myunordered_set) {
31         cout << s << " ";
32     }
33     cout << "\n";
34
35     return 0;
36 }

```

```

37
38 /*
39 output
40 4 5 2 1 3
41 */
42
43 unordered_set 刪除指定元素
44 #include <iostream>
45 #include <unordered_set>
46
47 int main() {
48     unordered_set<int> myunordered_set{2, 4, 6, 8};
49
50     myunordered_set.erase(2);
51     for (const auto &s : myunordered_set) {
52         cout << s << " ";
53     }
54     cout << "\n";
55 }

```

```

56     return 0;
57 }
58 /*
59 output
60 8 6 4
61 */
62
63 清空 unordered_set 元素
64 unordered_set<int> myunordered_set;
65 myunordered_set.insert(1);
66 myunordered_set.clear();
67
68 unordered_set 判斷元素是否存在
69 unordered_set<int> myunordered_set;
70 myunordered_set.insert(2);
71 myunordered_set.insert(4);
72 myunordered_set.insert(6);
73 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
74 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
75
76 判斷 unordered_set 容器是否為空
77 #include <iostream>
78 #include <unordered_set>
79
80 int main() {
81     unordered_set<int> myunordered_set;
82     myunordered_set.clear();
83
84     if (myunordered_set.empty()) {
85         cout << "empty\n";
86     } else {
87         cout << "not empty, size is " <<
            myunordered_set.size() << "\n";
88     }
89
90     return 0;
91 }

```

4.9 單調隊列

```

1 //單調隊列
2 "如果一個選手比你小還比你強，你就可以退役了。"--單調隊列
3
4 example 1
5
6 給出一個長度為 n 的數組，
7 輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
8
9 //寫法1
10 #include <bits/stdc++.h>
11 #define maxn 1000100
12 using namespace std;
13 int q[maxn], a[maxn];
14 int n, k;
15
16 void getmin() {
17     // 得到這個隊列裡的最小值，直接找到最後的就行了
18     int head = 0, tail = 0;
19     for (int i = 1; i <= n; i++) {
20         while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
21             tail--;
22         q[++tail] = i;
23     }
24     for (int i = k; i <= n; i++) {
25         while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
26             tail--;
27         q[++tail] = i;
28         while (q[head] <= i - k) head++;
29         cout << a[q[head]] << " ";
30     }
31 }
32
33 void getmax() { // 和上面同理
34     int head = 0, tail = 0;
35     for (int i = 1; i <= n; i++) {

```

```

34     while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;
35     q[++tail] = i;
36 }
37 for (int i = k; i <= n; i++) {
38     while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;
39     q[++tail] = i;
40     while (q[head] <= i - k) head++;
41     cout<<a[q[head]]<<" ";
42 }
43 }
44
45 int main() {
46     cin>>n>>k;    //每k個連續的數
47     for (int i = 1; i <= n; i++) cin>>a[i];
48     getmin();
49     cout<<"\n";
50     getmax();
51     cout<<"\n";
52     return 0;
53 }
54
55 //寫法2
56 #include <iostream>
57 #include <cstring>
58 #include <deque>
59 using namespace std;
60 int a[1000005];
61
62 int main() {
63     ios_base::sync_with_stdio(0);
64     int n, k;
65     while(cin>>n>>k) {
66         for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
67         deque<int> dq;
68         for(int i=0; i<n; i++){
69             while(dq.size() && dq.front()<=i-k)
70                 dq.pop_front();
71             while(dq.size() && a[dq.back()]>a[i])
72                 dq.pop_back();
73             dq.push_back(i);
74             if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];
75             if(i>k-1) cout<<" "<<a[dq.front()];
76         }
77         if(k>n) cout<<a[dq.front()];
78         cout<<"\n";
79         while(dq.size()) dq.pop_back();
80         for(int i=0; i<n; i++){
81             while(dq.size() && dq.front()<=i-k)
82                 dq.pop_front();
83             while(dq.size() && a[dq.back()]<a[i])
84                 dq.pop_back();
85             dq.push_back(i);
86             if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];
87             if(i>k-1) cout<<" "<<a[dq.front()];
88         }
89         if(k>n) cout<<a[dq.front()];
90         cout<<"\n";
91     }
92     return 0;
93 }

```

example 2

一個含有 n 項的數列，求出每一項前的 m 個數到它這個區間內的最小值。

若前面的數不足 m 項則從第 1 個數開始，若前面沒有數則輸出 0

```

100 #include<bits/stdc++.h>
101 using namespace std;
102 #define re register int
103 #define INF 0x3f3f3f3f
104 #define ll long long
105 #define maxn 2000009
106 #define maxm
107 #define ll read() {
108

```

```

109     ll x=0,f=1;
110     char ch=getchar();
111     while(ch<'0' || ch>'9'){
112         if(ch=='-') f=-1;
113         ch=getchar();
114     }
115     while(ch>='0' && ch<='9'){
116         x=(x<<1)+(x<<3)+(ll)(ch-'0');
117         ch=getchar();
118     }
119     return x*f;
120 }
121 int n,m,k,tot,head,tail;
122 int a[maxn],q[maxn];
123 int main() {
124     n=read(), m=read();
125     for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();
126     head=1,tail=0; //起始位置為1
127     //因為插入是q[++tail]所以要初始化為0
128     for(int i=1;i<=n;i++)
129         //每次隊首的元素就是當前的答案
130     {
131         cout<<a[q[head]]<<endl;
132         while(i-q[head]+1>m&&head<=tail) //維護隊首
133             head++;
134         while(a[i]<a[q[tail]]&&head<=tail) //維護隊尾
135             tail--;
136         q[++tail]=i;
137     }
138     return 0;
139 }

```

5 sort

5.1 大數排序

```

1 #python大數排序
2
3 while True:
4     try:
5         n = int(input())          # 有幾筆數字需要排序
6         arr = []                  # 建立空串列
7         for i in range(n):
8             arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
9         arr.sort()                 # 串列排序
10        for i in arr:
11            print(i)                # 依序印出串列中每個項目
12    except:
13        break

```

5.2 bubble sort

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int main() {
5     int n;
6     cin>>n;
7     int a[n], tmp;
8     for(int i=0; i<n; i++) cin>>a[i];
9     for(int i=n-1; i>0; i--) {
10         for(int j=0; j<=i-1; j++) {
11             if( a[j]>a[j+1]) {
12                 tmp=a[j];
13                 a[j]=a[j+1];
14                 a[j+1]=tmp;
15             }
16         }
17     }
18     for(int i=0; i<n; i++) cout<<a[i]<<" ";
19 }

```

6 math

6.1 質數與因數

```

1 質數
2
3 埃氏篩法
4 int n;
5 vector<int> isprime(n+1,1);
6 isprime[0]=isprime[1]=0;
7 for(int i=2;i*i<=n;i++){
8     if(isprime[i])
9         for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;
10 }
11
12 因數
13
14 最大公因數 O(log(min(a,b)))
15
16 int GCD(int a, int b)
17 {
18     if (b == 0) return a;
19     return GCD(b, a % b);
20 }
21
22 質因數分解
23
24 void primeFactorization(int n)
25 {
26     for (int i = 0; i < (int)p.size(); ++i)
27     {
28         if (p[i] * p[i] > n)
29             break;
30         if (n % p[i])
31             continue;
32         cout << p[i] << ' ';
33         while (n % p[i] == 0)
34             n /= p[i];
35     }
36     if (n != 1)
37         cout << n << ' ';
38     cout << '\n';
39 }
40
41 歌德巴赫猜想
42 solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
43 #include <iostream>
44 #include <cstdio>
45 using namespace std;
46 #define N 2000000
47 int ox[N], p[N], pr;
48
49 void PrimeTable(){
50     ox[0] = ox[1] = 1;
51     pr = 0;
52     for (int i = 2; i < N; i++){
53         if (!ox[i]) p[pr++] = i;
54         for (int j = 0; i*p[j]<N&&j < pr; j++)
55             ox[i*p[j]] = 1;
56     }
57 }
58
59 int main(){
60     PrimeTable();
61     int n;
62     while (cin>>n,n){
63         int x;
64         for (x = 1;; x += 2)
65             if (!ox[x] && !ox[n - x])break;
66         printf("%d = %d + %d\n", n, x, n - x);
67     }
68 }
69
70 problem : 給定整數 N，求 N
    最少可以拆成多少個質數的和。

```

```

71 如果 N 是質數，則答案為 1。
72 如果 N 是偶數(不包含2)，則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
73 如果 N 是奇數且 N-2 是質數，則答案為 2 (2+質數)。
74 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
75 #pragma GCC optimize("O2")
76 #include <bits/stdc++.h>
77 using namespace std;
78 #define FOR(i, L, R) for(int i=L;i<(int)R;++i)
79 #define FORD(i, L, R) for(int i=L;i>(int)R;--i)
80 #define IOS
81     cin.tie(nullptr);
82     cout.tie(nullptr);
83     ios_base::sync_with_stdio(false);
84
85 bool isPrime(int n){
86     FOR(i, 2, n){
87         if (i * i > n)
88             return true;
89         if (n % i == 0)
90             return false;
91     }
92     return true;
93 }
94
95 int main(){
96     IOS;
97     int n;
98     cin >> n;
99     if(isPrime(n)) cout << "1\n";
100     else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
101     else cout << "3\n";
102 }

```

6.2 prime factorization

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int main() {
5     int n;
6     while(true) {
7         cin>>n;
8         for(int x=2; x<=n; x++) {
9             while(n%x==0) {
10                 cout<<x<<"*";
11                 n/=x;
12             }
13         }
14         cout<<"\b \n";
15     }
16     system("pause");
17     return 0;
18 }

```

6.3 快速幂

```

1 計算a^b
2 #include <iostream>
3 #define ll long long
4 using namespace std;
5
6 const ll MOD = 1000000007;
7 ll fp(ll a, ll b) {
8     int ans = 1;
9     while(b > 0) {
10         if(b & 1) ans = ans * a % MOD;
11         a = a * a % MOD;
12         b >>= 1;
13     }
14     return ans;
15 }
16
17 int main() {

```

```

18 int a, b;
19 cin>>a>>b;
20 cout<<fp(a,b);
21 }

```

6.4 歐拉函數

```

1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2 #include <bits/stdc++.h>
3 using namespace std;
4 int n,ans;
5
6 int phi(){
7     ans=n;
8     for(int i=2;i*i<=n;i++){
9         if(n%i==0){
10             ans=ans-ans/i;
11             while(n%i==0) n/=i;
12         }
13     }
14     if(n>1) ans=ans-ans/n;
15     return ans;
16 }
17 int main(){
18     while(cin>>n)
19         cout<<phi()<<endl;
20 }

```

7 algorithm

7.1 basic

```

1 min_element：找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element：找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort：排序，預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp)：可自行定義比較運算子 cmp。
8 find：尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound：尋找第一個小於 x
    的元素位置，如果不存在，則回傳 last。
11 lower_bound(first, last, val)
12 upper_bound：尋找第一個大於 x
    的元素位置，如果不存在，則回傳 last。
13 upper_bound(first, last, val)
14 next_permutation：將序列順序轉換成下一個字典序，
    如果存在回傳 true，反之回傳 false。
15 next_permutation(first, last)
16 prev_permutation：將序列順序轉換成上一個字典序，
    如果存在回傳 true，反之回傳 false。
17 prev_permutation(first, last)

```

7.2 binarysearch

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
5     int left=0, right=nums.size()-1;
6     while(left<=right){
7         int mid=(left+right)/2;
8         if (nums[mid]>target) right=mid-1;
9         else if (nums[mid]<target) left=mid+1;
10        else return mid+1;
11    }
12    return 0;
13 }

```

```

14
15 int main() {
16     int n, k, x;
17     cin >> n >> k;
18     int a[n];
19     vector<int> v;
20     for(int i=0 ; i<n ; i++){
21         cin >> x;
22         v.push_back(x);
23     }
24     for(int i=0 ; i<k ; i++) cin >> a[i];
25     for(int i=0 ; i<k ; i++){
26         cout << binary_search(v, a[i]) << endl;
27     }
28 }
29
30 lower_bound(a, a + n, k); //最左邊 ≥ k 的位置
31 upper_bound(a, a + n, k); //最左邊 > k 的位置
32 upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
33 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
34 (lower_bound, upper_bound) //等於 k 的範圍
35 equal_range(a, a+n, k);
36
37 /*
38 input
39 5 5
40 1 3 4 7 9
41 3 1 9 7 -2
42 */
43
44 /*
45 output
46 2
47 1
48 5
49 4
50 0
51 */

```

7.3 prefix sum

```

1 // 前綴和
2 陣列前n項的和。
3 b[i] = a[0] + a[1] + a[2] + ... + a[i]
4 區間和 [l, r] : b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
5
6 #include <bits/stdc++.h>
7 using namespace std;
8 int main(){
9     int n;
10    cin >> n;
11    int a[n], b[n];
12    for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
13    b[0] = a[0];
14    for(int i=1; i<n; i++) b[i] = b[i-1] + a[i];
15    for(int i=0; i<n; i++) cout<<b[i]<<' ';
16    cout<<'\\n';
17    int l, r;
18    cin >> l >> r;
19    cout << b[r] - b[l-1] ; //區間和
20 }

```

7.4 差分

```

1 // 差分
2 用途：在區間 [l, r] 加上一個數字v。
3 b[l] += v; (b[0~l] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v) )
5 給的 a[] 是前綴和數列，建構 b[]，
6 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ... + b[i]，
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8 在 b[l] 加上 v，b[r+1] 減去 v，

```



```

9 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來，b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17     int n, l, r, v;
18     cin >> n;
19     for(int i=1; i<=n; i++){
20         cin >> a[i];
21         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
22     }
23     cin >> l >> r >> v;
24     b[l] += v;
25     b[r+1] -= v;
26
27     for(int i=1; i<=n; i++){
28         b[i] += b[i-1];
29         cout << b[i] << ' ';
30     }
31 }

```

7.5 greedy

```

1 //貪心
2 貪心演算法的核心為，
3 採取在目前狀態下最好或最佳（即最有利）的選擇。
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解，
5 但不保證能獲得最後（全域）最佳解，
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例，
7 確認無誤再實作。

```

Scarecrow

```

10 //problem
11 有一個 N×1 的稻田，有些稻田現在有種植作物，
12 為了避免被動物破壞，需要放置稻草人，
13 稻草人可以保護該塊稻田和左右兩塊稻田，
14 請問最少需要多少稻草人才能保護所有稻田？

```

//solution

```

17 從左到右掃描稻田，如果第 i 塊稻田有作物，
18 就把稻草人放到第 i+1 塊稻田，
19 這樣能保護第 i, i+1, i+2 塊稻田，
20 接著從第 i+3 塊稻田繼續掃描。

```

//code

```

23 #include <bits/stdc++.h>
24 using namespace std;
25 int main(){
26     string s;
27     int i, n, t, tc = 1;
28     cin >> t;
29     while (t--){
30         cin >> n >> s;
31         int nc = 0;
32         for (i = 0; i < n; i++){
33             if (s[i] == '.') i += 2, nc++;
34             cout << "Case " << tc++ << ": " << nc << endl;
35         }
36     }
37 }

```

霍夫曼樹的變形題

//problem

```

40 給定 N 個數，每次將兩個數 a, b 合併成 a+b，
41 只到最後只剩一個數，合併成本為兩數和，
42 問最小合併成本為多少。

```

//solution

每次將最小的兩數合併起來。

//code

```

48 #include <bits/stdc++.h>
49 using namespace std;
50 int main()
51 {
52     int n, x;
53     while (cin >> n, n){
54         priority_queue<int, vector<int>, greater<int>>
55             q;
56         while (n--){
57             cin >> x;
58             q.push(x);
59         }
60         long long ans = 0;
61         while (q.size() > 1){
62             x = q.top();
63             q.pop();
64             x += q.top();
65             q.pop();
66             q.push(x);
67             ans += x;
68         }
69         cout << ans << endl;
70     }
71 }

```

Commando War

//problem

```

74 有 n 個部下，每個部下要花 Bi 分鐘交待任務，
75 再花 Ji 分鐘執行任務，一次只能對一位部下交代任務，
76 但可以多人同時執行任務，問最少要花多少時間完成任務。

```

//solution

執行時間長的人先交代任務

//code

```

82 #include <bits/stdc++.h>
83 using namespace std;
84 struct Data{
85     int b, j;
86     bool operator<(const Data &rhs) const {
87         return j > rhs.j;
88     }
89 };
90
91 int main(){
92     int n, ti = 0;
93     Data a[1005];
94     while (cin >> n, n){
95         for (int i = 0; i < n; ++i)
96             cin >> a[i].b >> a[i].j;
97         sort(a, a + n);
98         int ans = 0, sum = 0;
99         for (int i = 0; i < n; ++i){
100             sum += a[i].b;
101             ans = max(ans, sum + a[i].j);
102         }
103         cout << "Case " << ++ti << ": " << ans << '\n';
104     }
105 }

```

刪數字問題

//problem

```

109 給定一個數字 N( $\leq 10^{100}$ )，需要刪除 K 個數字，
110 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何？

```

//solution

```

113 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數，
114 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。

```

//code

```

117 int main()
118 {
119     string s;
120     int k;
121     cin >> s >> k;
122     for (int i = 0; i < k; ++i){

```



```

123     if ((int)s.size() == 0) break;
124     int pos = (int)s.size() - 1;
125     for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){
126         if (s[j] > s[j + 1]){
127             pos = j;
128             break;
129         }
130     }
131     s.erase(pos, 1);
132 }
133 while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
134     s.erase(0, 1);
135 if ((int)s.size()) cout << s << '\n';
136 else cout << 0 << '\n';
137 }
138
139

```

區間覆蓋長度

//problem

給定 n 條線段區間為 $[Li, Ri]$ ，

請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度？

144

//solution

先將所有區間依照左界由小到大排序，

左界相同依照右界由小到大排序，

用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。

如果目前區間左界 $\leq R$ ，代表該區間可以和前面的線段合併。

150

//code

struct Line

```

153 {
154     int L, R;
155     bool operator<(const Line &rhs) const
156     {
157         if (L != rhs.L) return L < rhs.L;
158         return R < rhs.R;
159     }
160 };
161

```

int main(){

```

163     int n;
164     Line a[10005];
165     while (cin >> n){
166         for (int i = 0; i < n; i++)
167             cin >> a[i].L >> a[i].R;
168         sort(a, a + n);
169         int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
170         for (int i = 1; i < n; i++){
171             if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);
172             else{
173                 ans += R - L;
174                 L = a[i].L;
175                 R = a[i].R;
176             }
177         }
178         cout << ans + (R - L) << '\n';
179     }
180 }
181
182

```

最小區間覆蓋長度

//problem

給定 n 條線段區間為 $[Li, Ri]$ ，

請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 $[0, S]$ ？

187

//solution

先將所有區間依照左界由小到大排序，

對於當前區間 $[Li, Ri]$ ，要從左界 $> Ri$ 的所有區間中，

找到有著最大的右界的區間，連接當前區間。

192

//problem

長度 n 的直線中有數個加熱器，

在 x 的加熱器可以讓 $[x-r, x+r]$ 內的物品加熱，

問最少要幾個加熱器可以把 $[0, n]$ 的範圍加熱。

197

//solution

199 對於最左邊沒加熱的點 a ，選擇最遠可以加熱 a 的加熱器，
200 更新已加熱範圍，重複上述動作繼續尋找加熱器。

201

//code

```

202 int main(){
203     int n, r;
204     int a[1005];
205     cin >> n >> r;
206     for (int i=1; i<=n; ++i) cin>>a[i];
207     int i = 1, ans = 0;
208     while (i <= n){
209         int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)
210         int nextR=-1;
211         for (int j = R; j >= L; --j){
212             if (a[j]){
213                 nextR = j;
214                 break;
215             }
216         }
217         if (nextR == -1){
218             ans = -1;
219             break;
220         }
221         ++ans;
222         i = nextR + r;
223     }
224     cout << ans << '\n';
225 }
226
227
228

```

最多不重疊區間

//problem

給你 n 條線段區間為 $[Li, Ri]$ ，

請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)？

233

//solution

依照右界由小到大排序，

每次取到一個不重疊的線段，答案 $+1$ 。

236

//code

struct Line

```

240 {
241     int L, R;
242     bool operator<(const Line &rhs) const {
243         return R < rhs.R;
244     }
245 };
246
247 int main(){
248     int t;
249     cin >> t;
250     Line a[30];
251     while (t--){
252         int n = 0;
253         while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
254             ++n;
255         sort(a, a + n);
256         int ans = 1, R = a[0].R;
257         for (int i = 1; i < n; i++){
258             if (a[i].L >= R){
259                 ++ans;
260                 R = a[i].R;
261             }
262         }
263         cout << ans << '\n';
264     }
265 }
266
267

```

區間選點問題

//problem

給你 n 條線段區間為 $[Li, Ri]$ ，

請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點？

272

//solution

將區間依照右界由小到大排序， R = 第一個區間的右界，

274

```

275 遍歷所有區段，如果當前區間左界>R，
276 代表必須多選一個點 (ans+=1)，並將 R=當前區間右界。
277
278 //problem
279 給定 N 個座標，要在 x 軸找到最小的點，
280 讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
281
282 //solution
283 以每個點 (xi,yi) 為圓心半徑為 D 的圓 c，
284 求出 C 和 x 軸的交點 Li,Ri，題目轉變成區間選點問題。
285
286 //code
287 struct Line
288 {
289     int L, R;
290     bool operator<(const Line &rhs) const {
291         return R < rhs.R;
292     }
293 };
294
295 int main(){
296     int t;
297     cin >> t;
298     Line a[30];
299     while (t--){
300         int n = 0;
301         while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
302             ++n;
303         sort(a, a + n);
304         int ans = 1, R = a[0].R;
305         for (int i = 1; i < n; i++){
306             if (a[i].L >= R){
307                 ++ans;
308                 R = a[i].R;
309             }
310         }
311         cout << ans << '\n';
312     }
313 }
314
315 最小化最大延遲問題
316 //problem
317 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 Ti，
318 期限是 Di，第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0,Fi-Di)，
319 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間，
320 求一種工作排序使 maxLi 最小。
321
322 //solution
323 按照到期時間從早到晚處理。
324
325 //code
326 struct Work
327 {
328     int t, d;
329     bool operator<(const Work &rhs) const {
330         return d < rhs.d;
331     }
332 };
333 };
334
335 int main(){
336     int n;
337     Work a[10000];
338     cin >> n;
339     for (int i = 0; i < n; ++i)
340         cin >> a[i].t >> a[i].d;
341     sort(a, a + n);
342     int maxL = 0, sumT = 0;
343     for (int i = 0; i < n; ++i){
344         sumT += a[i].t;
345         maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
346     }
347     cout << maxL << '\n';
348 }
349
350

```

```

351 最少延遲數量問題
352 //problem
353 給定 N 個工作，每個工作的需要處理時長為 Ti，
354 期限是 Di，求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
355
356 //solution
357 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序，
358 依序放入工作列表中，如果發現有工作預期，
359 就從目前選擇的工作中，移除耗時最長的工作。
360
361 上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
362
363 //problem
364 給定烏龜的重量和可承受重量，問最多可以疊幾隻烏龜？
365
366 和最少延遲數量問題是相同的問題，只要將題敘做轉換。
367
368 工作處理時長 → 烏龜重量
369 工作期限 → 烏龜可承受重量
370 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
371
372 //code
373 struct Work{
374     int t, d;
375     bool operator<(const Work &rhs) const {
376         return d < rhs.d;
377     }
378 };
379
380 int main(){
381     int n = 0;
382     Work a[10000];
383     priority_queue<int> pq;
384     while(cin >> a[n].t >> a[n].d)
385         ++n;
386     sort(a, a + n);
387     int sumT = 0, ans = n;
388     for (int i = 0; i < n; ++i){
389         pq.push(a[i].t);
390         sumT += a[i].t;
391         if(a[i].d<sumT){
392             int x = pq.top();
393             pq.pop();
394             sumT -= x;
395             --ans;
396         }
397     }
398     cout << ans << '\n';
399 }
400
401 任務調度問題
402 //problem
403 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 Ti，
404 期限是 Di，如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰，
405 請問最少會受到多少單位懲罰。
406
407 //solution
408 依照懲罰由大到小排序，
409 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1,Di-Ti,...,1,0，
410 如果有空閒就放進去，否則延後執行。
411
412 //problem
413 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 Ti，
414 期限是 Di，如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
    單位獎勵，
415 請問最多會獲得多少單位獎勵。
416
417 //solution
418 和上題相似，這題變成依照獎勵由大到小排序。
419
420 //code
421 struct Work
422 {
423     int d, p;
424     bool operator<(const Work &rhs) const {

```

```

425     return p > rhs.p;
426 }
427 };
428
429 int main(){
430     int n;
431     Work a[100005];
432     bitset<100005> ok;
433     while (cin >> n){
434         ok.reset();
435         for (int i = 0; i < n; ++i)
436             cin >> a[i].d >> a[i].p;
437         sort(a, a + n);
438         int ans = 0;
439         for (int i = 0; i < n; ++i){
440             int j = a[i].d;
441             while (j--){
442                 if (!ok[j]){
443                     ans += a[i].p;
444                     ok[j] = true;
445                     break;
446                 }
447             }
448             cout << ans << '\n';
449         }
450     }
451 }
452 多機調度問題
453 //problem
454 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為  $T_i$ ，
455 有 M 台機器可執行多項工作，但不能將工作拆分，
456 最快可以在什麼時候完成所有工作？
457
458 //solution
459 將工作由大到小排序，每項工作交給最快空閒的機器。
460
461 //code
462 int main(){
463     int n, m;
464     int a[10000];
465     cin >> n >> m;
466     for (int i = 0; i < n; ++i)
467         cin >> a[i];
468     sort(a, a + n, greater<int>());
469     int ans = 0;
470     priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> pq;
471     for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){
472         ans = max(ans, a[i]);
473         pq.push(a[i]);
474     }
475     for (int i = m; i < n; ++i){
476         int x = pq.top();
477         pq.pop();
478         x += a[i];
479         ans = max(ans, x);
480         pq.push(x);
481     }
482     cout << ans << '\n';
483 }

```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```

1 //最長共同子序列(LCS)
2 給定兩序列 A,B，求最長的序列 C，
3 C 同時為 A,B 的子序列。
4
5 //最長遞增子序列 (LIS)
6 給你一個序列 A，求最長的序列 B，
7 B 是一個（非）嚴格遞增序列，且為 A 的子序列。
8
9 //LCS 和 LIS 題目轉換

```

```

10 LIS 轉成 LCS
11 1. A 為原序列，B=sort(A)
12 2. 對 A,B 做 LCS
13 LCS 轉成 LIS
14 1. A, B 為原本的兩序列
15 2. 最 A 序列作編號轉換，將轉換規則套用在 B
16 3. 對 B 做 LIS
17 4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字，
18 越早出現的數字要越小
19 5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面，
20 直接忽略這個數字不做轉換即可

```

9 graph

9.1 graph

```

1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 class Node {
5 public:
6     int val;
7     vector<Node*> children;
8
9     Node() {}
10
11     Node(int _val) {
12         val = _val;
13     }
14
15     Node(int _val, vector<Node*> _children) {
16         val = _val;
17         children = _children;
18     }
19 };
20
21 struct ListNode {
22     int val;
23     ListNode *next;
24     ListNode() : val(0), next(nullptr) {}
25     ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
26     ListNode(int x, ListNode *next) : val(x),
27         next(next) {}
28 };
29
30 struct TreeNode {
31     int val;
32     TreeNode *left;
33     TreeNode *right;
34     TreeNode() : val(0), left(nullptr),
35         right(nullptr) {}
36     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr),
37         right(nullptr) {}
38     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right)
39         : val(x), left(left), right(right) {}
40 };
41
42 class ListProblem {
43     vector<int> nums={};
44 public:
45     void solve() {
46         return;
47     }
48
49     ListNode* buildList(int idx) {
50         if(idx == nums.size()) return NULL;
51         ListNode *current=new
52             ListNode(nums[idx++],current->next);
53         return current;
54     }
55
56     void deleteList(ListNode* root) {
57         if(root == NULL) return;
58     }
59 }

```

```

53     deleteList(root->next);
54     delete root;
55     return;
56 }
57 };
58
59 class TreeProblem {
60     int null = INT_MIN;
61     vector<int> nums = {}, result;
62 public:
63     void solve() {
64
65         return;
66     }
67
68     TreeNode* buildBinaryTreeUsingDFS(int left, int
69         right) {
70         if((left > right) || (nums[(left+right)/2] ==
71             null)) return NULL;
72         int mid = (left+right)/2;
73         TreeNode* current = new TreeNode(
74             nums[mid],
75             buildBinaryTreeUsingDFS(left, mid-1),
76             buildBinaryTreeUsingDFS(mid+1, right));
77         return current;
78     }
79
80     TreeNode* buildBinaryTreeUsingBFS() {
81         int idx = 0;
82         TreeNode* root = new TreeNode(nums[idx++]);
83         queue<TreeNode*> q;
84         q.push(root);
85         while(idx < nums.size()) {
86             if(nums[idx] != null) {
87                 TreeNode* left = new
88                     TreeNode(nums[idx]);
89                 q.front()->left = left;
90                 q.push(left);
91             }
92             idx++;
93             if((idx < nums.size()) && (nums[idx] !=
94                 null)) {
95                 TreeNode* right = new
96                     TreeNode(nums[idx]);
97                 q.front()->right = right;
98                 q.push(right);
99             }
100             idx++;
101             q.pop();
102         }
103         return root;
104     }
105
106     Node* buildNaryTree() {
107         int idx = 2;
108         Node *root = new Node(nums.front());
109         queue<Node*> q;
110         q.push(root);
111         while(idx < nums.size()) {
112             while((idx < nums.size()) && (nums[idx]
113                 != null)) {
114                 Node *current = new Node(nums[idx++]);
115                 q.front()->children.push_back(current);
116                 q.push(current);
117             }
118             idx++;
119             q.pop();
120         }
121         return root;
122     }
123
124     void deleteBinaryTree(TreeNode* root) {
125         if(root->left != NULL)
126             deleteBinaryTree(root->left);
127         if(root->right != NULL)
128             deleteBinaryTree(root->right);
129         delete root;
130     }

```

```

122     return;
123 }
124
125 void deleteNaryTree(Node* root) {
126     if(root == NULL) return;
127     for(int i=0; i<root->children.size(); i++) {
128         deleteNaryTree(root->children[i]);
129         delete root->children[i];
130     }
131     delete root;
132     return;
133 }
134
135 void inorderTraversal(TreeNode* root) {
136     if(root == NULL) return;
137     inorderTraversal(root->left);
138     cout<<root->val<< ' ';
139     inorderTraversal(root->right);
140     return;
141 }
142 };
143
144 int main() {
145     return 0;
146 }
147 }

```

10 Section2

10.1 thm

• 中文測試

$$\cdot \sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

11 space

11.1 s

```

1 /*
2 1
3 2
4 3
5 4
6 5
7 6
8 7
9 8
10 9
11 10
12 11
13 12
14 13
15 14
16 15
17 16
18 17
19 18
20 19
21 20
22 21
23 22
24 23
25 24
26 25
27 26
28 27
29 28
30 29
31 30
32 31
33 */

```

12 reference

12.1 assert.cpp

```

1
2 template <typename T>
3 bool AssertVectorIsSorted(vector<T>& vec){
4     for(int i=0;i<(int)vec.size()-1;++i)
5         if(vec[i]>vec[i+1]) return false;
6     return true;
7 }

```

12.2 print.cpp

```

1 template <typename T>
2 void printvector(vector<T>& vec){
3     for(T &x:vec) cout<<x<<" ";
4     cout<<"\n";
5     return;
6 }

```

12.3 rvec.cpp

```

1 template <typename T = int>
2 vector<T> randomvec(int n){
3     vector<T> vec(n);
4     unsigned seed=chrono::system_clock::now()
5         .time_since_epoch().count();
6     default_random_engine generator(seed);
7     uniform_real_distribution<double>
8         distribution(0.0,200.0);
9     for(T &num:vec) num=distribution(generator);
10    return vec;

```

12.4 find.cpp

```

1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int arr[10000];
5
6 int main(){
7     string s,a,b;
8     int cnt=0;
9     while(getline(cin,s)){
10         if(cnt++) cout<<endl;
11         cin>>a>>ws>>b;
12         int pos=0,i=0,r=0;
13         memset(arr,0,sizeof(arr));
14         while(1){
15             pos=s.find(a,pos);
16             if(pos==-1) break;
17             arr[i++]=pos-r;
18             r+=b.size()-a.size();
19             s.replace(pos,a.length(),b);
20             pos+=b.length();
21         }
22         if(i)
23             for(int j=0;j<i;j++){
24                 if(j) cout<<" ";
25                 cout<<arr[j];
26             }
27         else cout<<-1;
28         cout<<endl<<s<<endl;
29         cin>>ws;
30     }
31     return 0;
32 }

```

12.5 sort.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<vector>
3 using namespace std;
4
5 template<typename T>
6 int partition(vector<T>& arr,int low,int high) {
7     T pivot=arr[high];
8     int i=low-1;
9     for(int j=low;j<high;j++) {
10         if(arr[j]<pivot){
11             i++;
12             swap(arr[i],arr[j]);
13         }
14     }
15     swap(arr[i+1],arr[high]);
16     return i+1;
17 }
18
19 template<typename T>
20 void quickSort(vector<T>& arr,int low,int high) {
21     if(low<high){
22         int pivotIndex=partition(arr,low,high);
23         quickSort(arr,low,pivotIndex-1);
24         quickSort(arr,pivotIndex+1,high);
25     }
26 }
27
28 template<typename T>
29 void customSort(vector<T>& arr) {
30     int n=arr.size();
31     quickSort(arr,0,n-1);
32 }
33
34 int main(){
35     vector<int> numbers={5, 2, 8, 1, 3};
36     cout<<"Before sorting: ";
37     for(const auto& num:numbers)
38         cout<<num<<" ";
39     customSort(numbers);
40     cout<<"\nAfter sorting: ";
41     for(const auto& num : numbers)
42         cout<<num<<" ";
43     return 0;
44 }

```

12.6 minmax.cpp

```

1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int main(){
5     vector<int>
6         num={5,3,3,3,6,6,74,3,-124,246,2456,-345};
7     sort(num.begin(),num.end());
8     pair<vector<int>::iterator,vector<int>::iterator>
9         minmaxElement=minmax_element(num.begin(),num.end());
10    cout<<"sorted vector :\n";
11    for(auto x:num) cout<<x<<" ";
12    cout<<endl;
13    cout<<*minmaxElement.first<<" "
14        <<*minmaxElement.second<<endl;

```

12.7 hw6.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<string>
3 #include<cstring>
4 #include<algorithm>
5 using namespace std;
6

```

```

7  class HugeInt{
8  private:
9      short integer[40];
10
11 public:
12     HugeInt(const string& s){
13         memset(integer,0,sizeof(integer));
14         for(int i=0;i<s.length();i++){
15             integer[i]=s[s.length()-1-i]-'0';
16         }
17
18     HugeInt operator+(const HugeInt& other) const{
19         HugeInt result("");
20         for(int i=0;i<40;i++){
21             result.integer[i]+=
22                 integer[i]+other.integer[i];
23             if(result.integer[i]>=10){
24                 result.integer[i]-=10;
25                 result.integer[i+1]++;
26             }
27         }
28         return result;
29     }
30
31     HugeInt operator-(const HugeInt& other) const{
32         HugeInt result("");
33         for(int i=0;i<40;i++){
34             result.integer[i]+=
35                 integer[i]-other.integer[i];
36             if(result.integer[i]<0){
37                 result.integer[i]+=10;
38                 result.integer[i+1]--;
39             }
40         }
41         return result;
42     }
43
44     HugeInt operator*(const HugeInt& other) const{
45         HugeInt result("");
46         for(int i=0;i<40;i++){
47             for(int j=0;j<40;j++){
48                 result.integer[i+j]+=
49                     integer[i]*other.integer[j];
50             }
51             for(int i=0;i<40;i++){
52                 result.integer[i+1]+=result.integer[i]/10;
53                 result.integer[i]%=10;
54             }
55             return result;
56         }
57
58     HugeInt operator/(const HugeInt& other) const{
59         HugeInt result("");
60         HugeInt remainder("0");
61         HugeInt num("10");
62         for(int i=39;i>=0;i--){
63             if(i==39) remainder.integer[0]=integer[i];
64             else{
65                 remainder=remainder*num;
66                 remainder.integer[0]=integer[i];
67             }
68             int quotient=0;
69             while(remainder>other){
70                 remainder=remainder-other;
71                 quotient++;
72             }
73             if(remainder==other){
74                 remainder=remainder-other;
75                 quotient++;
76             }
77             result.integer[i]=quotient;
78         }
79         return result;
80     }
81
82     HugeInt operator%(const HugeInt& other) const{
83         HugeInt remainder("0");
84         HugeInt value("0");
85
86         HugeInt num("10");
87         for(int i=39;i>=0;i--){
88             remainder=remainder*num;
89             remainder.integer[0]=integer[i];
90             while(remainder>other){
91                 remainder=remainder-other;
92                 if(remainder==other) remainder=value;
93             }
94             return remainder;
95         }
96
97     bool operator>(const HugeInt& other) const{
98         for(int i=39;i>=0;i--){
99             if(integer[i]>other.integer[i])
100                 return true;
101             else if(integer[i]<other.integer[i])
102                 return false;
103         }
104         return false;
105     }
106
107     bool operator<(const HugeInt& other) const{
108         for(int i=39;i>=0;i--){
109             if(integer[i]<other.integer[i])
110                 return true;
111             else if(integer[i]>other.integer[i])
112                 return false;
113         }
114         return false;
115     }
116
117     bool operator==(const HugeInt& other) const{
118         for(int i=39;i>=0;i--){
119             if(integer[i]!=other.integer[i])
120                 return false;
121             return true;
122         }
123     }
124
125     bool operator>=(const HugeInt& other) const{
126         for(int i=39;i>=0;i--){
127             if(integer[i]<other.integer[i])
128                 return false;
129             return true;
130         }
131     }
132
133     bool operator<=(const HugeInt& other) const{
134         for(int i=39;i>=0;i--){
135             if(integer[i]>other.integer[i])
136                 return false;
137             return true;
138         }
139     }
140
141     bool operator!=(const HugeInt& other) const{
142         return !(*this==other);
143     }
144
145     friend istream& operator>>(istream& in,
146                                HugeInt& hugeInt){
147         string s;
148         in>>s;
149         hugeInt=HugeInt(s);
150         return in;
151     }
152
153     friend ostream& operator<<(ostream& out,
154                                const HugeInt& hugeInt){
155         bool isLeadingZero=true;
156         for(int i=39;i>=0;i--){
157             if(hugeInt.integer[i])
158                 isLeadingZero=false;
159             if(!isLeadingZero)
160                 out<<hugeInt.integer[i];
161         }
162         if(isLeadingZero) out<<"0";
163         return out;
164     }

```

```

161 void print(HugeInt a,HugeInt b){
162     if(a>b) cout<<a<<" > "<<b<<endl;
163     else if(a<b) cout<<a<<" < "<<b<<endl;
164     else cout<<a<<" = "<<b<<endl;
165     cout<<a<<" + "<<b<<" = "<<a+b<<endl;
166     if(a>b) cout<<a<<" - "<<b<<" = "<<a-b<<endl;
167     else if(a<b)
168         cout<<a<<" - "<<b<<" = -"<<b-a<<endl;
169     else cout<<a<<" - "<<b<<" = "<<a-b<<endl;
170     cout<<a<<" * "<<b<<" = "<<a*b<<endl;
171     cout<<a<<" / "<<b<<" = "<<a/b<<endl;
172     cout<<a<<" % "<<b<<" = "<<a%b<<endl;
173 }
174 };
175
176 int main(){
177     string x,y;
178     int cnt=0;
179     while(cin>>x>>y){
180         HugeInt x1(x);
181         if(cnt++) cout<<endl;
182         x1.print(x,y);
183     }
184 }

```

12.8 rectangle.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<iomanip>
3 #include<algorithm>
4 #include<math.h>
5 using namespace std;
6
7 class R {
8     private:
9         double area,diagonal;
10    public:
11        R(){};
12        int length,width;
13        R(double l,double w) {
14            length=l;
15            width=w;
16        }
17        int getA(){
18            area=length*width;
19            return area;
20        }
21        double getD(){
22            diagonal=sqrt(length*length+width*width);
23            return diagonal;
24        }
25 };
26
27 bool cmp(R r1, R r2) {
28     if(r1.getA() == r2.getA())
29         return r1.getD()>r2.getD();
30     return r1.getA()<r2.getA();
31 }
32
33 int main() {
34     int n;
35     cin>>n;
36     R* r=new R[n];
37     for(int i=0;i<n;i++) {
38         int l,w;
39         cin>>l>>w;
40         r[i]=R(l,w);
41     }
42     sort(r,r+n,cmp);
43     for(int i=0;i<n;i++){
44         cout<<i+1<<":("<<r[i].length<<","<<r[i].width;
45         cout<<") area= "<<r[i].getA();
46         cout<<fixed<<setprecision(3)
47             <<" diagonal= "<<r[i].getD()<<endl;
48     }
49     delete[] r;

```

```

50     return 0;
51 }

```

12.9 RationalNumber.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<math.h>
3 #include<algorithm>
4 #include<vector>
5 #include<complex>
6 #include<iomanip>
7 using namespace std;
8
9 int gcd(int a,int b){
10     if(b==0) return a;
11     return gcd(b,a%b);
12 }
13
14 class Rational{
15
16 public:
17     int mol,den;
18     Rational(int m=1,int d=2){
19         mol=m;
20         den=d;
21     }
22
23     friend ostream& operator<<(ostream& os, const
24         Rational& r){
25         if(r.mol==0) os<<0;
26         else if(r.mol==1&&r.den==1) os<<1;
27         else os<<"("<<r.mol<<"/ "<<r.den<<")";
28         return os;
29     }
30
31     friend istream& operator>>(istream& is, Rational&
32         r){
33         char slash;
34         is>>r.mol>>slash>>r.den;
35         return is;
36     }
37
38     Rational operator+(const Rational& other){
39         Rational result;
40         result.mol=mol*other.den+other.mol*den;
41         result.den=den*other.den;
42         int com=gcd(result.mol,result.den);
43         result.mol/=com;
44         result.den/=com;
45         return result;
46     }
47
48     Rational operator-(const Rational& other) {
49         Rational result;
50         result.mol=mol*other.den-other.mol*den;
51         result.den=den*other.den;
52         int com=gcd(result.mol,result.den);
53         result.mol/=com;
54         result.den/=com;
55         return result;
56     }
57
58     Rational operator*(const Rational& other) {
59         Rational result;
60         result.mol=mol*other.mol;
61         result.den=den*other.den;
62         int com=gcd(result.mol,result.den);
63         result.mol/=com;
64         result.den/=com;
65         return result;
66     }
67
68     Rational operator/(const Rational& other) {
69         Rational result;
70         result.mol=mol*other.den;
71         result.den=den*other.mol;

```



```

70     int com=gcd(result.mol,result.den);
71     result.mol/=com;
72     result.den/=com;
73     return result;
74 }
75 };
76
77 int main(){
78     char op,g;
79     Rational r1,r2;
80     while(cin>>op){
81         cin>>g>>r1>>g>>r2>>g;
82         if(r1.mol%r1.den) cout<<r1;
83         else cout<<r1.mol/r1.den;
84         cout<<" "<<op<<" ";
85         if(r2.mol%r2.den) cout<<r2;
86         else cout<<r2.mol/r2.den;
87         cout<<" = ";
88         switch(op){
89             case '+':
90                 cout<<r1+r2<<endl;
91                 break;
92             case '-':
93                 cout<<r1-r2<<endl;
94                 break;
95             case '*':
96                 cout<<r1*r2<<endl;
97                 break;
98             case '/':
99                 cout<<r1/r2<<endl;
100                break;
101        }
102    }
103    return 0;
104 }

```

12.10 SortFunctionTemplate.cpp

```

1  #include<iostream>
2  #include<vector>
3  using namespace std;
4
5  template<typename T>
6  int p(vector<T>& arr,int low,int high){
7      T pivot=arr[high];
8      int i=low-1;
9      for(int j=low;j<high;j++){
10         if(arr[j]<pivot){
11             i++;
12             swap(arr[i],arr[j]);
13         }
14         swap(arr[i+1],arr[high]);
15         return 1+i;
16     }
17
18     template<typename T>
19     void qsort(vector<T>& arr, int low,int high){
20         if(low<high){
21             int pindex=p(arr,low,high);
22             qsort(arr,low,pindex-1);
23             qsort(arr,pindex+1,high);
24         }
25     }
26
27     template<typename T>
28     void mysort(vector<T>& arr){
29         int n=arr.size();
30         qsort(arr,0,n-1);
31     }
32
33     template<typename T>
34     void solve(vector<T>& arr){
35         mysort(arr);
36         int cnt=0;
37         for(auto a:arr){
38             if(cnt++) cout<<" ";

```

```

39         cout<<a;
40     }
41     cout<<endl;
42     arr.clear();
43 }
44
45 int main(){
46     int n,x;
47     double d;
48     char c;
49     string s;
50     while(cin>>n){
51         vector<int> v;
52         for(int i=0;i<n;i++){
53             cin>>x;
54             v.push_back(x);
55         }
56         solve(v);
57         cin>>n;
58         vector<double> vd;
59         for(int i=0;i<n;i++){
60             cin>>d;
61             vd.push_back(d);
62         }
63         solve(vd);
64         cin>>n;
65         vector<char> vc;
66         for(int i=0;i<n;i++){
67             cin>>c;
68             vc.push_back(c);
69         }
70         solve(vc);
71         cin>>n>>ws;
72         vector<string> vs;
73         for(int i=0;i<n;i++){
74             getline(cin,s);
75             vs.push_back(s);
76         }
77         mysort(vs);
78         for(auto a:vs) cout<<a<<endl;
79         vs.clear();
80     }
81     return 0;
82 }

```

12.11 exception.cpp

```

1  //分母為0
2  #include <iostream>
3  #include <exception>
4  using namespace std;
5  double divide(int numerator, int denominator) {
6      if (denominator == 0) {
7          throw runtime_error("Division by zero!");
8      }
9      return static_cast<double>(numerator) /
        denominator;
10 }
11
12 int main() {
13     int a, b;
14     cout << "Enter two numbers: ";
15     cin >> a >> b;
16     try {
17         double result = divide(a, b);
18         cout << "Result: " << result << endl;
19     } catch (const exception& ex) {
20         cout << "Exception: " << ex.what() << endl;
21     }
22     return 0;
23 }
24
25 //自訂狀況類別以文字描述錯誤訊息
26 #include <iostream>
27 #include <exception>

```

```

28 using namespace std;
29 class MyException : public exception{
30 private:
31     string errorMessage;
32 public:
33     MyException(const string& message) :
34         errorMessage(message) {}
35
36     const char* what() const throw(){
37         return errorMessage.c_str();
38     };
39 int main(){
40     try{
41         throw MyException("Custom exception
42             occurred!");
43     }
44     catch (const MyException& ex){
45         cout << "Exception: " << ex.what() << endl;
46     }
47     return 0;
48 }
49 //自訂狀況類別以代碼和文字描述錯誤訊息
50 #include <iostream>
51 #include <exception>
52 using namespace std;
53 class MyException : public exception{
54 private:
55     int errorCode;
56     string errorMessage;
57 public:
58     MyException(int code, const string& message)
59         : errorCode(code), errorMessage(message) {}
60     int getCode() const{
61         return errorCode;
62     }
63     const char* what() const throw(){
64         return errorMessage.c_str();
65     }
66 };
67 int main(){
68     try{
69         throw MyException(404, "Page not found!");
70     }
71     catch (const MyException& ex){
72         cout << "Exception: Error Code "
73             << ex.getCode() << " - " << ex.what() <<
74             endl;
75     }
76     return 0;
77 }
78 //自訂狀況類別使用更詳細的錯誤資訊
79 #include <iostream>
80 #include <exception>
81 using namespace std;
82 class MyException : public exception{
83 private:
84     string fileName;
85     int lineNumber;
86     string errorMessage;
87 public:
88     MyException(const string& file, int line, const
89         string& message)
90         : fileName(file), lineNumber(line),
91         errorMessage(message) {}
92
93     const string& getFile() const{
94         return fileName;
95     }
96
97     int getLine() const{
98         return lineNumber;
99     }
100
101     const char* what() const throw(){
102         return errorMessage.c_str();
103     }
104 };
105 int main(){
106     try{
107         throw MyException(__FILE__, __LINE__, "Custom
108             exception occurred!");
109     }
110     catch (const MyException& ex){
111         cout << "Exception: " << ex.what() << endl;
112         cout << "File: " << ex.getFile() << endl;
113         cout << "Line: " << ex.getLine() << endl;
114     }
115     return 0;
116 }

```