Contents

```
1 ubuntu
1.1 run . . . . . . . . . . . . . . . . . .
1.2 cp.sh . . . . . . . . . . . . . . . .
2 Basic
2.2 limits
3.1 最長迴文子字串 . . . . . . . . . . . . . . . .
4 STL
sort
5.1 大數排序
5.2 bubble sort . . . . . . . . . . . . . . . . . .
6 math
6.1 質數與因數
7 algorithm
7.3 prefix sum .
8 動態規劃
graph
10 Section2
11 space
11.1 s . . . .
12 reference
```

ubuntu

1.1 run

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
  clear
2
3
  g++ $1.cpp -DDBG -o $1
  if [[ "$?" == "0" ]]; then
          echo Running
          ./$1 < $1.in > $1.out
6
          echo END
8 fi
```

Basic

2.1 ascii

1	int	char	int	char	int	char
2	32		64	@	96	•
3	33	!	65	Α	97	а
4	34	"	66	В	98	b
5	35	#	67	С	99	С
6	36	\$	68	D	100	d
7	37	%	69	E	101	e
8	38	&	70	F	102	f
9	39	•	71	G	103	g
10	40	(72	Н	104	h
11	41)	73	I	105	i
12	42	*	74	J	106	j
13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
14	44	,	76	L	108	1
15	45	-	77	М	109	m
16	46		78	N	110	n
17	47	/	79	0	111	0
18	48	0	80	P	112	p
19	49	1	81	Q	113	q
20	50	2	82	R	114	r
21	51	3	83	S	115	S
22	52	4	84	T	116	t
23	53	5	85	U	117	u
24	54	6	86	V	118	V
25	55	7	87	W	119	W
26	56	8	88	X	120	X
27	57	9	89	Y	121	y
28	58	:	90	Z	122	Z
29	59	;	91	Γ	123	{
30	60	<	92	1	124	1
31	61	=	93	J	125	}
32	62	>	94	٨	126	~
33	63	?	95	_		
,						

2.2 limits

12

12

```
[size]
1 [Type]
                                   [range]
2
  char
                       1
                                 127 to -128
                                 127 to -128
  signed char
                        1
  unsigned char
                       1
                                 0 to 255
                       2
                                 32767 to -32768
  short
  int
                                 2147483647 to -2147483648
  unsigned int
                        4
                                 0 to 4294967295
                        4
                                 2147483647 to -2147483648
8
  long
9
  unsigned long
                        4
                                 0 to 18446744073709551615
                       8
  long long
10
11
              9223372036854775807 to -9223372036854775808
                       8
                             1.79769e+308 to 2.22507e-308
12
  double
13
  long double
                        16
                             1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14
  float
                        4
                                3.40282e+38 to 1.17549e-38
15 unsigned long long
                        8
                                 0 to 18446744073709551615
16 string
                        32
```

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x) % 2 ? s[(x) / 2] : '.')
3 using namespace std;
5 string s;
6 int n;
7
8 int ex(int 1, int r) {
    int i = 0;
9
     while(l - i \ge 0 \& r + i < n \& T(l - i) == T(r + i)
10
         i)) i++;
11
     return i;
12 }
13
14 int main() {
15
    cin >> s;
    n = 2 * s.size() + 1;
16
17
18
     int mx = 0;
19
     int center = 0;
20
     vector<int> r(n);
21
     int ans = 1;
     r[0] = 1;
22
     for(int i = 1; i < n; i++) {</pre>
23
       int ii = center - (i - center);
24
       int len = mx - i + 1;
25
       if(i > mx) {
26
27
         r[i] = ex(i, i);
28
         center = i;
         mx = i + r[i] - 1;
29
       } else if(r[ii] == len) {
30
31
         r[i] = len + ex(i - len, i + len);
32
         center = i;
         mx = i + r[i] - 1;
33
       } else {
34
         r[i] = min(r[ii], len);
35
36
37
       ans = max(ans, r[i]);
38
39
     cout << ans - 1 << "\n";
40
41
     return 0:
42 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
6 while(ss>>word)
6 cout<<word<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序,
     即優先權高的資料會先被取出。
 宣告:
2
    priority_queue <int> pq;
3
 把元素 x 加進 priority_queue:
5
    pq.push(x);
 讀取優先權最高的值:
6
7
    x = pq.top();
8
                         //讀取後刪除
    pq.pop();
```

```
9|判斷是否為空的priority_queue:
                             //回傳 true
10
      pq.empty()
                             //回傳0
11
      pq.size()
  如需改變priority_queue的優先權定義:
12
                          //預設由大到小
13
      priority_queue<T> pq;
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
14
15
                             //改成由小到大
16
      priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
```

4.2 queue

```
1 queue: 佇列,資料有「先進先出」 (first in first out,
       FIFO)的特性。
2 就像排隊買票一樣,先排隊的客戶被服務。
  宣告:
3
       queue <int> q;
4
  把元素 x 加進 queue:
5
6
      q.push(x);
7
  取值:
      x = q.front(); //頭
8
9
      x = q.back(); // \mathbb{R}
  移除已經讀取的值:
10
11
      q.pop();
  判斷是否為空的queue:
12
      q.empty() 回傳true
13
      q.size() 回傳零
14
15
16 #include <iostream>
  #include <queue>
17
18
  using namespace std;
19
20
  int main() {
21
      int n;
22
       while (cin >> n){
23
           if (n == 0) break;
           queue <int> q;
24
           for (int i = 0; i < n; i++){
25
26
               q.push(i+1);
27
           cout << "Discarded cards:";</pre>
28
           for (int i = 0; i < n-1; i++){
29
30
               if (i != 0) cout << ',';</pre>
               cout << ' ' << q.front();</pre>
31
32
               q.pop();
               q.push(q.front());
33
34
               q.pop();
35
           cout << endl << "Remaining card: " <<</pre>
36
               q.front() << endl;
37
      }
38 }
```

4.3 deque

15 dq.insert(position, n, val)

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
     (Standard Template Library, STL)
2
     中的雙向佇列容器(Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
4
        中若是要添加新元素至開端。
     其時間複雜度為 O(N), 但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
             //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
              //取出 deque 最尾端的元素
12 dq.back()
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
14
 dq.insert()
```

```
position: 插入元素的 index 值
16
    n: 元素插入次數
17
    val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
             //清空整個 deque 佇列。
20 dq.clear()
21 dq.size()
             //檢查 deque 的尺寸
22 dq.empty()
             //如果 deque 佇列為空返回 1;
               若是存在任何元素,則返回0
23
             //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.begin()
             //指向 deque 結尾,
25 dq.end()
               不是最後一個元素,
26
               而是最後一個元素的下一個位置
27
```

```
4.4 map
1 map:存放 key-value pairs 的映射資料結構,
       會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
5
6 迭代器
7 begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end():回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key: it->first 或 (*it).first
14 取 value:it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
27 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
31 //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34
  int main(){
35
36
37
      //declaration container and iterator
38
      map<string, string> mp;
      map<string, string>::iterator iter;
39
40
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
41
42
      //insert element
      mp.insert(pair<string, string>("r000",
43
          "student_zero"));
44
45
      mp["r123"] = "student_first";
      mp["r456"] = "student_second";
46
47
48
      for(iter = mp.begin(); iter != mp.end(); iter++)
49
         cout << iter -> first << " "<< iter -> second << endl;</pre>
50
      for(iter_r = mp.rbegin(); iter_r != mp.rend();
51
          iter_r++)
         cout << iter_r -> first << "
52
              "<<iter_r->second<<endl;
```

```
53
       //find and erase the element
54
55
       iter = mp.find("r123");
       mp.erase(iter);
56
57
       iter = mp.find("r123");
58
59
60
       if(iter != mp.end())
           cout << "Find, the value is
61
               "<<iter->second<<endl;
62
       else
          cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
63
64
65
       return 0;
66
  }
67
  //map統計數字
68
69
  #include < bits / stdc++.h>
70 using namespace std;
71
72
  int main(){
    ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0);
73
     long long n,x;
75
     cin>>n;
76
     map <int,int> mp;
77
     while(n--){
78
       cin>>x:
79
       ++mp[x];
    }
80
81
     for(auto i:mp) cout<<i.first<<" "<<i.second<<endl;</pre>
82 }
```

4.5 unordered_map

```
1 unordered_map: 存放 key-value pairs
2 的「無序」映射資料結構。
3 用法與map相同
```

4.6 set

```
set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  宣告:
3
4
     set <int> st;
5
  把元素 x 加進 set:
6
7
     st.insert(x);
8
  檢查元素 x 是否存在 set 中:
9
     st.count(x);
10
11
12
  刪除元素 x:
      st.erase(x); // 可傳入值或iterator
13
14
  清空集合中的所有元素:
15
     st.clear();
16
17
  取值: 使用iterator
18
     x = *st.begin();
19
            // set中的第一個元素(最小的元素)。
20
      x = *st.rbegin();
21
            // set中的最後一個元素(最大的元素)。
22
23
  判斷是否為空的set:
24
     st.empty() 回傳true
25
     st.size() 回傳零
26
27
  常用來搭配的member function:
28
29
     st.count(x);
30
     auto it = st.find(x);
         // binary search, O(log(N))
31
     auto it = st.lower_bound(x);
32
```

```
// binary search, O(log(N))
auto it = st.upper_bound(x);
// binary search, O(log(N))
```

4.7 multiset

```
      1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。

      2 資料由小到大排序。

      3 宣告:

      4 multiset < int > st;

      5 刪除資料:

      6 st.erase(val); 會刪除所有值為 val 的元素。

      7 st.erase(st.find(val)); 只刪除第一個值為 val 的元素。
```

4.8 unordered_set

```
1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
2| 資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),
  相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,
4 無自動排序功能。
6 初始化
  unordered_set<int> myunordered_set{1, 2, 3, 4, 5};
7
8
10 int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};
  unordered_set < int > myunordered_set(arr, arr+5);
11
12
13 插入元素
14 unordered_set < int > myunordered_set;
15 myunordered_set.insert(1);
16
17 迴圈遍歷 unordered_set 容器
18 #include <iostream>
19 #include <unordered_set>
20 using namespace std;
21
22
  int main() {
23
      unordered_set < int > myunordered_set = {3, 1};
24
      myunordered_set.insert(2);
      myunordered_set.insert(5);
25
26
      myunordered_set.insert(4);
      myunordered_set.insert(5);
27
      myunordered_set.insert(4);
28
29
      for (const auto &s : myunordered_set) {
30
31
          cout << s << " ";
      }
32
33
      cout << "\n";
34
35
      return 0;
36 }
37
38
39 output
40 4 5 2 1 3
41 */
42
43 unordered_set 刪除指定元素
44
  #include <iostream>
45 #include <unordered set>
  int main() {
47
48
      unordered_set<int> myunordered_set{2, 4, 6, 8};
49
      myunordered_set.erase(2);
50
51
      for (const auto &s : myunordered_set) {
          cout << s << " ";
52
53
      cout << "\n";
54
55
```

```
56
       return 0;
57 }
  /*
58
59
  output
60
  8 6 4
61
  */
62
63 清空 unordered_set 元素
  unordered_set < int > myunordered_set;
  myunordered_set.insert(1);
65
  myunordered_set.clear();
  unordered_set 判斷元素是否存在
68
  unordered_set < int > myunordered_set;
  myunordered_set.insert(2);
  myunordered_set.insert(4);
  myunordered_set.insert(6);
  cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1</pre>
73
  cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0</pre>
75
76
  判斷 unordered_set 容器是否為空
  #include <iostream>
77
78
  #include <unordered_set>
79
  int main() {
      unordered_set < int > myunordered_set;
81
82
       myunordered_set.clear();
83
       if (mvunordered set.emptv()) {
84
85
           cout << "empty\n";</pre>
86
       } else {
87
           cout << "not empty, size is "<<
                myunordered_set.size() << "\n";</pre>
88
      }
89
90
       return 0;
91 }
```

4.9 單調隊列

```
1 // 單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
  example 1
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
7
9
10 #include <bits/stdc++.h>
11 #define maxn 1000100
  using namespace std;
12
13
  int q[maxn], a[maxn];
14
  int n, k;
15
16
  void getmin() {
      // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
17
      int head = 0, tail = 0;
18
19
      for (int i = 1; i < k; i++) {
          while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
20
              tail--:
21
          q[++tail] = i;
22
23
      for (int i = k; i <= n; i++) {
          while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
24
              tail--;
25
          q[++tail] = i;
26
          while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
          cout << a[q[head]] << " ";
27
28
      }
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head = 0, tail = 0;
32
      for (int i = 1; i < k; i++) {</pre>
33
```

```
34
            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
            q[++tail] = i:
36
        for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
37
38
            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
39
            q[++tail] = i;
            while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
40
41
            cout << a[q[head]] << " ";
        }
42
43
   }
44
   int main() {
45
        cin>>n>>k; //每k個連續的數
46
47
        for (int i = 1; i <= n; i++) cin>>a[i];
        getmin():
48
49
        cout << '\n':
50
        getmax();
51
        cout << '\n';
52
        return 0;
53 }
54
   //寫法2
55
56 #include <iostream>
57 #include <cstring>
58 #include <deque>
59 using namespace std:
60
   int a[1000005];
61
62
   int main() {
63
        ios_base::sync_with_stdio(0);
64
        int n. k:
65
        while(cin>>n>>k) {
            for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
66
            deque<int> dq;
67
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
68
                 while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
69
70
                     dq.pop_front();
71
                 while(dq.size() && a[dq.back()]>a[i])
72
                     dq.pop_back();
73
                 dq.push_back(i);
                 if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];</pre>
74
                 if(i>k-1) cout<< ' '<<a[dq.front()];</pre>
75
76
77
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
            cout << '\n';
78
79
            while(dq.size()) dq.pop_back();
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
80
81
                 while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
82
                     dq.pop_front();
83
                 while(dq.size() && a[dq.back()]<a[i])</pre>
84
                     dq.pop_back();
                 dg.push back(i):
85
86
                 if(i==k-1) cout << a[dq.front()];</pre>
                 if(i>k-1) cout<<' '<<a[dq.front()];</pre>
87
88
89
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
            cout << '\n';
90
91
        return 0;
92
93
   }
94
95
96
   example 2
97
   一個含有 n 項的數列,求出每一項前的 m
98
        個數到它這個區間內的最小值。
   若前面的數不足 m 項則從第 1
99
        個數開始,若前面沒有數則輸出 0
100
101 #include <bits/stdc++.h>
102 using namespace std;
103 #define re register int
104 #define INF 0x3f3f3f3f
105 #define ll long long
106 #define maxn 2000009
107 #define maxm
108 inline ll read() {
```

```
109
        11 x=0, f=1;
       char ch=getchar();
110
        while(ch<'0'||ch>'9'){
111
        if(ch=='-') f=-1;
112
113
        ch=getchar();
114
     }
115
        while(ch>='0'&&ch<='9'){</pre>
116
        x=(x<<1)+(x<<3)+(11)(ch-'0');
117
        ch=getchar();
118
119
        return x*f;
120 }
121 int n,m,k,tot,head,tail;
   int a[maxn],q[maxn];
122
123
   int main() {
       n=read(), m=read();
124
125
        for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();</pre>
        head=1, tail=0; //起始位置為1
126
            因為插入是q[++tail]所以要初始化為0
127
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
          //每次隊首的元素就是當前的答案
128
129
            cout <<a[q[head]]<<endl;</pre>
130
131
            while(i-q[head]+1>m&&head<=tail)//維護隊首
132
                head++:
            while(a[i]<a[q[tail]]&&head<=tail)//維護隊尾
133
134
                tail--;
135
            q[++tail]=i;
136
       }
137
        return 0;
138 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
1 #python 大數排序
2
3
  while True:
    try:
     n = int(input())
                              # 有幾筆數字需要排序
5
6
      arr = []
                              # 建立空串列
7
     for i in range(n):
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
                              # 串列排序
      arr.sort()
9
10
      for i in arr:
                            # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
      break
13
```

5.2 bubble sort

```
#include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
4
  int main() {
    int n;
5
     cin>>n;
7
     int a[n], tmp;
     for(int i=0; i<n; i++) cin>>a[i];
9
     for(int i=n-1; i>0; i--) {
10
       for(int j=0; j<=i-1; j++) {</pre>
11
         if( a[j]>a[j+1]) {
12
           tmp=a[j];
            a[j]=a[j+1];
13
14
           a[j+1]=tmp;
15
16
       }
17
    }
18
     for(int i=0; i<n; i++) cout<<a[i]<<" ";</pre>
19
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1| 質數
2
3 埃氏篩法
4 int n:
  vector<int> isprime(n+1,1);
6 isprime[0]=isprime[1]=0;
7 for(int i=2; i*i<=n; i++){
       if(isprime[i])
8
9
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
10 }
11
12
13
14 因數
15
16 最大公因數 O(log(min(a,b)))
17 int GCD(int a, int b)
18 {
19
       if (b == 0) return a;
       return GCD(b, a % b);
20
21 }
22
23 質因數分解
24
25 void primeFactorization(int n)
26 {
27
       for (int i = 0; i < (int)p.size(); ++i)</pre>
28
29
           if (p[i] * p[i] > n)
30
               break;
31
           if (n % p[i])
32
               continue:
           cout << p[i] << ' ';
33
           while (n % p[i] == 0)
34
35
               n /= p[i];
36
37
       if (n != 1)
           cout << n << ' ';
38
39
       cout << '\n';
40 }
41
42|歌德巴赫猜想
43 | solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
44 #include <iostream>
45 #include <cstdio>
46 using namespace std;
47 #define N 20000000
48 int ox[N], p[N], pr;
49
  void PrimeTable(){
50
51
       ox[0] = ox[1] = 1;
       pr = 0:
52
53
       for (int i = 2; i < N; i++){
           if (!ox[i]) p[pr++] = i;
54
55
           for (int j = 0;i*p[j]<N&&j < pr; j++)</pre>
56
               ox[i*p[j]] = 1;
57
       }
58 }
59
  int main(){
60
       PrimeTable();
61
62
       int n;
63
           while (cin>>n,n){
               int x;
64
65
               for (x = 1;; x += 2)
                   if (!ox[x] && !ox[n - x])break;
66
67
               printf("%d = %d + %d n", n, x, n - x);
       }
68
69 }
70 problem : 給定整數 N,求 N
       最少可以拆成多少個質數的和。
```

```
71 如果 N 是質數,則答案為 1。
72 如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
73 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
75 #pragma GCC optimize("02")
76 #include <bits/stdc++.h>
77
   using namespace std;
   #define FOR(i, L, R) for(int i=L;i<(int)R;++i)</pre>
   #define FORD(i, L, R) for(int i=L;i>(int)R;--i)
79
   #define IOS
80
81
       cin.tie(nullptr);
       cout.tie(nullptr);
82
83
       ios_base::sync_with_stdio(false);
84
85
   bool isPrime(int n){
86
       FOR(i, 2, n){
87
          if (i * i > n)
88
               return true;
           if (n % i == 0)
89
90
               return false;
       }
91
92
       return true;
93
   }
94
   int main(){
96
       IOS;
97
       int n:
98
       cin >> n;
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
99
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
100
101
       else cout << "3\n";</pre>
102 }
```

6.2 prime factorization

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
3
  int main() {
4
     int n;
6
     while(true) {
7
       cin>>n;
       for(int x=2; x<=n; x++) {</pre>
8
         while(n%x==0) {
10
            cout << x << " * ";
11
            n/=x;
12
       }
13
14
       cout << "\b \n";
15
     }
16
     system("pause");
17
     return 0;
18 }
```

6.3 快速冪

```
1| 計算a^b
2 #include <iostream>
  #define ll long long
  using namespace std;
6
  const 11 MOD = 1000000007;
  11 fp(ll a, ll b) {
7
    int ans = 1;
    while(b > 0) {
9
10
      if(b & 1) ans = ans * a % MOD;
11
      a = a * a % MOD;
      b >>= 1;
12
13
    }
14
    return ans;
15
16
17 int main() {
```

```
18 int a, b;
19 cin>>a>>b;
20 cout<<fp(a,b);
21 }
```

6.4 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2 #include <bits/stdc++.h>
3 using namespace std;
4 int n, ans;
6 int phi(){
7
       ans=n;
       for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
8
9
           if(n%i==0){
10
                ans=ans-ans/i;
11
               while(n%i==0) n/=i;
12
       if(n>1) ans=ans-ans/n;
13
14
       return ans;
15 }
16
17 int main(){
    while(cin>>n)
18
19
         cout << phi() << endl;</pre>
20 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
 find(first, last, val)
10 lower_bound: 尋找第一個小於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
11 lower_bound(first, last, val)
12 upper_bound:尋找第一個大於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
13 upper_bound(first, last, val)
14 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false
15
16 next_permutation(first, last)
17 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false
18
19 prev_permutation(first, last)
```

7.2 binarysearch

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
  int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
5
       int left=0, right=nums.size()-1;
6
       while(left<=right){</pre>
7
           int mid=(left+right)/2;
           if (nums[mid]>target) right=mid-1;
8
9
           else if(nums[mid]<target) left=mid+1;</pre>
10
           else return mid+1;
11
12
       return 0;
13 }
```

```
int main() {
15
    int n, k, x;
17
    cin >> n >> k;
18
    int a[n];
19
     vector<int> v;
20
    for(int i=0 ; i<n ; i++){</pre>
21
       cin >> x:
       v.push_back(x);
22
23
24
    for(int i=0 ; i<k ; i++) cin >> a[i];
    for(int i=0 ; i<k ; i++){</pre>
25
26
       cout << binary_search(v, a[i]) << endl;</pre>
27
    }
28 }
29
                                  //最左邊 ≥ k 的位置
30 lower_bound(a, a + n, k);
                                  //最左邊 > k 的位置
31 upper_bound(a, a + n, k);
32 upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
33 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
                                  //等於 k 的範圍
34 (lower_bound, upper_bound)
35
  equal_range(a, a+n, k);
36
37
38
  input
39 5 5
40 1 3 4 7 9
41 3 1 9 7 -2
42
43
44
  /*
45 output
46
  2
47
48
  5
49
  4
50 0
51 */
```

7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
b[i] = a[0] + a[1] + a[2] + \cdots + a[i]
3
  區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
  #include <bits/stdc++.h>
6
  using namespace std;
8
  int main(){
      int n;
10
      cin >> n;
      int a[n], b[n];
11
      for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
12
      b[0] = a[0];
13
      for(int i=1; i<n; i++) b[i] = b[i-1] + a[i];</pre>
14
15
      for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<< ' ';</pre>
      cout << '\n';
16
17
      int 1, r;
      cin >> 1 >> r;
18
      cout << b[r] - b[1-1]; //區間和
19
20 }
```

7.4 差分

```
      1 // 差分

      2 | 用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。

      3 | b[1] += v; (b[0~1] 加上v)

      4 | b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))

      5 | 給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],

      6 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],

      7 | 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。

      8 | 在 b[1] 加上 v, b[r+1] 減去 v,
```

8

```
9|最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
                                                      48 #include <bits/stdc++.h>
                                                     49 using namespace std;
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
                                                     50 int main()
11
12 #include <bits/stdc++.h>
                                                     51
                                                        {
                                                     52
                                                            int n, x;
13 using namespace std;
                                                            while (cin >> n, n){
14 int a[1000], b[1000];
                                                     53
                                                     54
                                                               priority_queue<int, vector<int>, greater<int>>
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
                                                               while (n--){
      int n, 1, r, v;
                                                     55
17
                                                                   cin >> x;
                                                     56
      cin >> n;
18
                                                     57
                                                                   q.push(x);
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
19
                                                     58
20
         cin >> a[i];
                                                     59
                                                               long long ans = 0;
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
                                                               while (q.size() > 1){
                                                     60
22
                                                     61
                                                                   x = q.top();
23
      cin >> 1 >> r >> v;
                                                     62
                                                                   q.pop();
      b[1] += v;
24
                                                                   x += q.top();
                                                     63
25
      b[r+1] -= v;
                                                     64
                                                                   q.pop();
26
                                                                   q.push(x);
                                                     65
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
                                                     66
                                                                   ans += x;
         b[i] += b[i-1];
28
                                                               }
         cout << b[i] << ' ';
                                                     67
29
                                                     68
                                                               cout << ans << endl;</pre>
30
      }
                                                           }
                                                     69
31 }
                                                     70
                                                        }
                                                     71
                                                     72 Commando War
  7.5 greedy
                                                        //problem
                                                      74 有 n 個部下,每個部下要花 Bi 分鐘交待任務,
                                                     75 再花 Ji 分鐘執行任務,一次只能對一位部下交代任務,
1 // 貪心
                                                        但可以多人同時執行任務,問最少要花多少時間完成任務。
2| 貪心演算法的核心為,
                                                     77
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
                                                     78
                                                        //solution
執行時間長的人先交代任務
                                                     79
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
                                                        //code
                                                     81
  確認無誤再實作。
7
                                                        #include <bits/stdc++.h>
                                                     83
                                                        using namespace std;
9 Scarecrow
                                                        struct Data{
                                                     84
10 //problem
                                                     85
                                                           int b, j;
11 有一個 N×1 的稻田,有些稻田現在有種植作物,
                                                           bool operator<(const Data &rhs) const {</pre>
                                                     86
12 為了避免被動物破壞,需要放置稻草人,
                                                     87
                                                               return j > rhs.j;
                                                     88
13 稻草人可以保護該塊稻田和左右兩塊稻田,
                                                     89
                                                        };
14 請問最少需要多少稻草人才能保護所有稻田?
                                                     90
15
                                                     91
                                                        int main(){
16 //solutoin
                                                     92
                                                           int n, ti = 0;
17 | 從左到右掃描稻田,如果第 i 塊稻田有作物,
                                                           Data a[1005];
                                                     93
18 就把稻草人放到第 i+1 塊稻田,
                                                            while (cin >> n, n){
19 / 這樣能保護第 i, i+1, i+2 塊稻田,
                                                               for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                     95
20 接著從第 i+3 塊稻田繼續掃描。
                                                     96
                                                                   cin >> a[i].b >> a[i].j;
21
                                                     97
                                                               sort(a, a + n);
22 //code
                                                               int ans = 0, sum = 0;
                                                     98
23 #include <bits/stdc++.h>
                                                     99
                                                               for (int i = 0; i < n; ++i){
24 using namespace std;
                                                                   sum += a[i].b;
                                                     100
25 int main(){
                                                     101
                                                                   ans = max(ans, sum + a[i].j);
26
      string s;
                                                     102
      int i, n, t, tc = 1;
27
                                                     103
                                                               cout << "Case "<<++ti<<": "<<ans<<'\n';
28
      cin >> t;
                                                     104
                                                           }
29
      while (t--){
                                                     105 }
30
         cin >> n >> s;
                                                     106
31
         int nc = 0;
                                                     107 | 刪數字問題
         for (i = 0; i < n; i++)</pre>
32
                                                     108 //problem
33
             if (s[i] == '.')i += 2, nc++;
                                                     109 給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
         cout << "Case "<<tc++<<": "<<nc<<endl;
34
                                                     110 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
35
      }
                                                     111
36 }
                                                     112
                                                        //solution
37
                                                     113 | 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
38 霍夫曼樹的變形題
                                                     114 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
                                                     115
40 給定 N 個數,每次將兩個數 a,b 合併成 a+b,
                                                     116 //code
41 | 只到最後只剩一個數,合併成本為兩數和,
                                                     117 int main()
42 問最小合併成本為多少。
                                                     118
                                                        {
43
                                                     119
                                                            string s;
44 //solution
                                                     120
                                                           int k:
```

cin >> s >> k;

for (int i = 0; i < k; ++i){

121

122

每次將最小的兩數合併起來。

45

46

47 //code

```
199 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
123
          if ((int)s.size() == 0) break;
          int pos = (int)s.size() - 1;
                                                            更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
124
                                                        200
           for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){}
125
                                                        201
              if (s[j] > s[j + 1]){
126
                                                            //code
                                                         202
127
                  pos = j;
                                                            int main(){
                                                        203
128
                  break;
                                                         204
                                                                int n, r;
129
                                                        205
                                                                int a[1005];
130
          }
                                                                cin >> n >> r;
                                                        206
          s.erase(pos, 1);
131
                                                                for (int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
                                                         207
132
                                                        208
                                                                int i = 1, ans = 0;
       while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
133
                                                                while (i \le n){
                                                         209
          s.erase(0, 1);
134
                                                        210
                                                                   int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)
       if ((int)s.size()) cout << s << '\n';</pre>
135
                                                                    int nextR=-1;
                                                        211
       else cout << 0 << '\n';
136
                                                        212
                                                                    for (int j = R; j >= L; --j){}
137
                                                                       if (a[j]){
                                                        213
138
                                                        214
                                                                           nextR = j;
139
                                                        215
                                                                           break;
140 區間覆蓋長度
                                                        216
                                                                       }
141 //problem
                                                        217
                                                                   }
142 給定 n 條線段區間為「Li.Ril,
                                                                    if (nextR == -1){
                                                        218
                                                                       ans = -1;
143 請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度?
                                                         219
                                                        220
                                                                       break;
144
                                                         221
145
   //solution
                                                        222
                                                                   ++ans;
   先將所有區間依照左界由小到大排序,
146
                                                                   i = nextR + r;
                                                         223
   左界相同依照右界由小到大排序,
147
                                                         224
                                                               }
   用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。
148
                                                               cout << ans << '\n';
                                                        225
   如果目前區間左界 ≤R,代表該區間可以和前面的線段合併。
149
                                                         226
                                                           }
150
                                                        227
151 //code
                                                        228
152 struct Line
                                                         229
                                                            最多不重疊區間
153 {
                                                         230
                                                            //problem
154
       int L, R;
                                                        231 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
       bool operator < (const Line &rhs) const
155
                                                            請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                        232
156
                                                        233
           if (L != rhs.L) return L < rhs.L;</pre>
157
                                                            //solution
                                                         234
158
          return R < rhs.R;</pre>
                                                        235 依照右界由小到大排序,
159
       }
                                                            每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                        236
160 }:
                                                        237
161
   int main(){
                                                         238
                                                            //code
162
                                                            struct Line
163
                                                        239
       int n;
                                                        240
       Line a[10005];
164
                                                        241
                                                                int L, R;
       while (cin >> n){
165
                                                        242
                                                                bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
166
          for (int i = 0; i < n; i++)
                                                        243
                                                                    return R < rhs.R;</pre>
167
              cin >> a[i].L >> a[i].R;
                                                        244
168
           sort(a, a + n);
                                                        245 };
          int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
169
170
           for (int i = 1; i < n; i++){
                                                        246
                                                        247
                                                            int main(){
171
              if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);
                                                         248
                                                                int t;
172
              else{
                                                                cin >> t:
173
                  ans += R - L;
                                                        249
                  L = a[i].L;
                                                         250
                                                                Line a[30];
174
175
                  R = a[i].R;
                                                        251
                                                                while (t--){
                                                                   int n = 0;
                                                         252
176
              }
177
                                                         253
                                                                    while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
178
          cout \ll ans + (R - L) \ll ' n';
                                                        254
                                                                       ++n:
                                                                    sort(a, a + n);
       }
                                                         255
179
                                                                    int ans = 1, R = a[0].R;
                                                        256
180
                                                         257
                                                                    for (int i = 1; i < n; i++){</pre>
181
                                                        258
                                                                       if (a[i].L >= R){
182
                                                        259
                                                                           ++ans:
183 最小區間覆蓋長度
                                                         260
                                                                           R = a[i].R;
   //problem
                                                                       }
                                                        261
185 | 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                         262
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
186
                                                        263
                                                                    cout << ans << ' \setminus n';
187
                                                               }
                                                         264
188 //solution
                                                           }
                                                         265
266
190 | 對於當前區間 [Li, Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
191 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
                                                        268 區間選點問題
192
                                                        269 //problem
   //problem
193
                                                        270 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
   長度 n 的直線中有數個加熱器,
                                                        271 請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點?
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                                        272
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
196
                                                        273
                                                           //solution
197
                                                        274 將區間依照右界由小到大排序,R=第一個區間的右界,
```

198 //solution

```
275 遍歷所有區段,如果當前區間左界>R,
                                                      351 最少延遲數量問題
  代表必須多選一個點 (ans+=1),並將 R=當前區間右界。
                                                      352 //problem
276
                                                      353 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
277
278 //problem
                                                      354 期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
279 給定 N 個座標,要在 x 軸找到最小的點,
  讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
                                                      356
                                                         //solution
                                                         期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序,
281
                                                      357
282
   //solution
                                                         依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                      358
283
   以每個點 (xi,yi) 為圓心半徑為 D 的圓 C,
                                                         就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                      359
   求出 C 和 x 軸的交點 Li, Ri, 題目轉變成區間選點問題。
                                                      360
285
                                                      361
                                                         上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
286 //code
                                                      362
287 struct Line
                                                         //problem
                                                      363
288 {
                                                      364 給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
289
      int L, R;
                                                      365
      bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
290
                                                      366 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
          return R < rhs.R;</pre>
291
                                                      367
          }
292
                                                         工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                      368
293 }:
                                                      369
                                                         工作期限 → 烏龜可承受重量
294
                                                      370 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
  int main(){
295
296
      int t;
                                                      372
                                                         //code
297
      cin >> t;
                                                         struct Work{
                                                      373
      Line a[30];
298
                                                      374
                                                             int t, d;
      while (t--){
299
                                                            bool operator < (const Work &rhs) const {</pre>
                                                      375
          int n = 0:
300
                                                      376
                                                                return d < rhs.d;</pre>
301
          while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
                                                      377
302
              ++n;
                                                      378
                                                         };
303
          sort(a, a + n);
                                                      379
304
          int ans = 1, R = a[0].R;
                                                      380
                                                         int main(){
          for (int i = 1; i < n; i++){</pre>
305
                                                      381
                                                            int n = 0;
              if (a[i].L >= R){
306
                                                            Work a[10000]:
                                                      382
                 ++ans;
307
                                                             priority_queue<int> pq;
                                                      383
308
                 R = a[i].R;
                                                             while(cin >> a[n].t >> a[n].d)
                                                      384
309
             }
                                                      385
                                                                ++n;
310
                                                      386
                                                             sort(a, a + n);
          cout << ans << '\n';
311
                                                            int sumT = 0, ans = n;
                                                      387
      }
312
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                      388
313
  }
                                                      389
                                                                pq.push(a[i].t);
314
                                                      390
                                                                sumT += a[i].t;
315
                                                      391
                                                                if(a[i].d<sumT){</pre>
316 最小化最大延遲問題
                                                                    int x = pq.top();
                                                      392
317 //problem
                                                      393
                                                                    pq.pop();
318 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                    sumT -= x:
                                                      394
319 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                      395
                                                                    --ans;
320 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                                }
                                                      396
321 求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                      397
                                                            }
322
                                                      398
                                                             cout << ans << '\n';
323
   //solution
                                                      399
                                                        }
   按照到期時間從早到晚處理。
324
                                                      400
                                                         任務調度問題
325
                                                      401
326 //code
                                                      402
                                                         //problem
327 struct Work
                                                      403 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
328 {
                                                      404 期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
329
      int t. d:
                                                         請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                      405
      bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
330
331
          return d < rhs.d;</pre>
                                                      407 //solution
332
          }
                                                      408 依照懲罰由大到小排序,
333
  };
                                                      409 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
334
                                                      410 如果有空閒就放進去,否則延後執行。
   int main(){
335
                                                      411
336
      int n:
      Work a[10000];
                                                      412
                                                         //problem
337
                                                      413 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
338
      cin >> n;
      for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
339
                                                      414 期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
          cin >> a[i].t >> a[i].d;
340
                                                             單位獎勵,
      sort(a, a + n);
341
                                                         請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                      415
      int maxL = 0, sumT = 0;
342
                                                      416
      for (int i = 0; i < n; ++i){
343
                                                      417
                                                         //solution
344
          sumT += a[i].t;
                                                      418 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
          maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
345
                                                      419
346
                                                      420
                                                         //code
      cout << maxL << '\n';
347
                                                      421
                                                         struct Work
348 }
                                                      422
349
                                                      423
                                                             int d, p;
350
```

424

bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>

```
425
           return p > rhs.p;
426
427
  };
428
429
   int main(){
430
       int n;
       Work a[100005];
431
432
       bitset < 100005 > ok;
       while (cin >> n){
433
434
           ok.reset();
435
           for (int i = 0; i < n; ++i)
               cin >> a[i].d >> a[i].p;
436
437
           sort(a, a + n);
           int ans = 0;
438
439
           for (int i = 0; i < n; ++i){
               int j = a[i].d;
440
441
               while (j--)
442
                   if (!ok[j]){
                        ans += a[i].p;
443
                        ok[j] = true;
444
445
                        break;
446
447
           cout << ans << '\n';
448
449
450 }
451
452 多機調度問題
453 //problem
454 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
455 有 M 台機器可執行多項工作,但不能將工作拆分,
   最快可以在什麼時候完成所有工作?
457
458
   //solution
   將工作由大到小排序,每項工作交給最快空閒的機器。
459
460
461
   //code
   int main(){
462
       int n, m;
463
464
       int a[10000];
       cin >> n >> m;
465
466
       for (int i = 0; i < n; ++i)
467
           cin >> a[i];
468
       sort(a, a + n,greater<int>());
       int ans = 0:
469
470
       priority_queue < int , vector < int >> pq;
471
       for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){
472
           ans = max(ans, a[i]);
           pq.push(a[i]);
473
474
       for (int i = m; i < n; ++i){
475
476
           int x = pq.top();
477
           pq.pop();
478
           x += a[i];
           ans = max(ans, x);
479
480
           pq.push(x);
481
482
       cout << ans << '\n';
483 }
```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```
10 LIS 轉成 LCS
     1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
     2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
     3. 對 B 做 LIS
16
     4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
       越早出現的數字要越小
18
19
     5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
20
       直接忽略這個數字不做轉換即可
```

9 graph

9.1 graph

```
#include < bits / stdc++.h>
  using namespace std;
3
  class Node {
5
  public:
6
       int val:
7
       vector < Node *> children;
8
       Node() {}
9
10
11
       Node(int _val) {
           val = _val;
12
13
14
       Node(int _val, vector<Node*> _children) {
15
           val = _val;
16
17
           children = _children;
18
       }
  };
19
20
21
  struct ListNode {
22
       int val;
23
       ListNode *next:
       ListNode(): val(0), next(nullptr) {}
24
25
       ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
26
       ListNode(int x, ListNode *next) : val(x),
           next(next) {}
27 };
28
  struct TreeNode {
29
30
       int val;
31
       TreeNode *left;
       TreeNode *right;
32
33
       TreeNode() : val(0), left(nullptr),
           right(nullptr) {}
34
       TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr),
           right(nullptr) {}
       TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right)
35
           : val(x), left(left), right(right) {}
36 };
37
  class ListProblem {
38
39
       vector<int> nums={};
  public:
40
41
       void solve() {
42
           return:
       }
43
       ListNode* buildList(int idx) {
45
46
           if(idx == nums.size()) return NULL;
47
           ListNode *current=new
                ListNode(nums[idx++], current ->next);
48
           return current;
49
       }
50
51
       void deleteList(ListNode* root) {
           if(root == NULL) return;
52
```

```
53
             deleteList(root->next);
                                                                   122
                                                                                return;
                                                                           }
                                                                   123
54
            delete root;
55
             return;
                                                                   124
                                                                           void deleteNAryTree(Node* root) {
56
        }
                                                                   125
57
   };
                                                                   126
                                                                                if(root == NULL) return;
58
                                                                   127
                                                                                for(int i=0; i<root->children.size(); i++) {
   class TreeProblem {
                                                                                    deleteNAryTree(root->children[i]);
59
                                                                   128
        int null = INT_MIN;
                                                                   129
                                                                                    delete root->children[i];
        vector<int> nums = {}, result;
61
                                                                   130
62
   public:
                                                                   131
                                                                                delete root;
63
        void solve() {
                                                                   132
                                                                                return;
                                                                           }
64
                                                                   133
65
             return;
                                                                   134
                                                                           void inorderTraversal(TreeNode* root) {
        }
                                                                   135
66
67
                                                                   136
                                                                                if(root == NULL) return;
        TreeNode* buildBinaryTreeUsingDFS(int left, int
                                                                                inorderTraversal(root->left);
68
                                                                   137
             right) {
                                                                                cout << root -> val << ' ';</pre>
                                                                   138
69
            if((left > right) || (nums[(left+right)/2] ==
                                                                   139
                                                                                inorderTraversal(root->right);
                 null)) return NULL;
                                                                   140
                                                                                return:
70
            int mid = (left+right)/2;
                                                                   141
            TreeNode* current = new TreeNode(
                                                                      };
71
                                                                   142
72
                 nums[mid],
                                                                   143
                 buildBinaryTreeUsingDFS(left,mid-1),
73
                                                                   144 int main() {
74
                 buildBinaryTreeUsingDFS(mid+1, right));
                                                                   145
75
            return current;
                                                                   146
                                                                           return 0;
        }
76
                                                                   147 }
77
78
        TreeNode* buildBinaryTreeUsingBFS() {
79
            int idx = 0;
                                                                      10
                                                                             Section2
80
            TreeNode* root = new TreeNode(nums[idx++]);
            queue<TreeNode*> q;
81
82
             q.push(root);
                                                                      10.1 thm
83
            while(idx < nums.size()) {</pre>
                 if(nums[idx] != null) {
84

    中文測試

                     TreeNode* left = new
85
                          TreeNode(nums[idx]);
                                                                         \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}
86
                     q.front()->left = left;
                     q.push(left);
87
                 }
88
                                                                             space
89
                 idx++:
                 if((idx < nums.size()) && (nums[idx] !=</pre>
90
                      null)) {
                                                                      11.1
                      TreeNode* right = new
91
                          TreeNode(nums[idx]);
92
                     q.front()->right = right;
                                                                    1 /*
                     q.push(right);
93
                                                                    2
                                                                      1
94
                 }
                                                                    3
                                                                      2
                 idx++;
95
                                                                    4
                                                                      3
96
                 q.pop();
                                                                    5
                                                                      4
            }
97
                                                                      5
98
            return root;
                                                                      6
        }
99
                                                                      7
100
                                                                    9
                                                                      8
101
        Node* buildNAryTree() {
                                                                    10
            int idx = 2;
102
                                                                   11
                                                                      10
            Node *root = new Node(nums.front());
103
                                                                   12
                                                                      11
            queue < Node *> q;
104
                                                                      12
                                                                    13
105
            q.push(root);
                                                                      13
                                                                   14
106
             while(idx < nums.size()) {</pre>
                                                                   15
                                                                      14
                 while((idx < nums.size()) && (nums[idx]</pre>
107
                                                                   16
                                                                      15
                      != null)) {
                                                                   17
                                                                      16
                     Node *current = new Node(nums[idx++]);
108
                                                                    18
                                                                      17
                     q.front()->children.push_back(current);
109
                                                                      18
                                                                   19
110
                     q.push(current);
                                                                   20
                                                                      19
111
                 }
                                                                      20
                                                                   21
112
                 idx++;
                                                                   22
                                                                      21
                 q.pop();
113
                                                                   23
                                                                      22
            }
114
                                                                   24
                                                                      23
115
            return root;
                                                                   25
                                                                      24
116
                                                                      25
                                                                   26
117
                                                                      26
118
        void deleteBinaryTree(TreeNode* root) {
                                                                      27
                                                                   28
119
            if(root->left != NULL)
                                                                      28
                                                                   29
                 deleteBinaryTree(root->left);
                                                                   30
                                                                      29
120
             if(root->right != NULL)
                                                                      30
                                                                   31
                 deleteBinaryTree(root->right);
                                                                      31
                                                                   32
```

33 */

delete root;

12 reference

12.1 assert.cpp

```
template <typename T>
bool AssertVectorIsSorted(vector<T>& vec){
   for(int i=0;i<(int)vec.size()-1;++i)
        if(vec[i]>vec[i+1]) return false;
   return true;
}
```

12.2 print.cpp

```
1 template <typename T>
2 void printvector(vector<T>& vec){
    for(T &x:vec) cout<<x<<" ";
    cout<<"\n";
    return;
6 }</pre>
```

12.3 randomvec.cpp

```
1 template <typename T = int>
2
  vector<T> randomvec(int n){
      vector<T> vec(n);
3
4
      unsigned seed=chrono::system_clock::now()
5
                   .time_since_epoch().count();
      default_random_engine generator(seed);
7
      uniform_real_distribution < double >
           distribution(0.0,200.0);
8
      for(T &num:vec) num=distribution(generator);
9
      return vec:
10 }
```

12.4 find.cpp

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
4 int arr[10000];
6
   int main(){
7
       string s,a,b;
8
        int cnt=0;
9
       while(getline(cin,s)){
10
            if(cnt++) cout<<endl;</pre>
11
            cin>>a>>ws>>b;
12
            int pos=0,i=0,r=0;
13
            memset(arr,0,sizeof(arr));
            while(1){
14
                 pos=s.find(a,pos);
15
16
                 if(pos==-1) break;
17
                 arr[i++]=pos-r;
18
                 r+=b.size()-a.size();
                 s.replace(pos,a.length(),b);
19
                 pos+=b.length();
20
            }
21
22
            if(i)
23
                 for(int j=0; j<i; j++){</pre>
                      if(j) cout<<"</pre>
24
25
                      cout << arr[j];</pre>
                 }
26
27
            else cout << -1;</pre>
28
            cout <<endl <<s<<endl;
29
            cin>>ws;
30
31
       return 0:
32 }
```

12.5 sort.cpp

```
#include < iostream >
2
  #include < vector >
  using namespace std;
  template < typename T>
5
  int partition(vector<T>& arr,int low,int high) {
6
7
       T pivot=arr[high];
       int i=low-1:
8
9
       for(int j=low;j<high;j++) {</pre>
10
            if(arr[j]<pivot){</pre>
11
12
                swap(arr[i],arr[j]);
13
14
       }
15
       swap(arr[i+1],arr[high]);
16
       return i+1;
17 }
18
19
  template < typename T>
  void quickSort(vector<T>& arr,int low,int high) {
20
21
       if(low<high){</pre>
22
            int pivotIndex=partition(arr,low,high);
23
            quickSort(arr,low,pivotIndex-1);
24
            quickSort(arr,pivotIndex+1,high);
25
       }
26
  }
27
  template < typename T>
29
  void customSort(vector<T>& arr) {
30
       int n=arr.size();
31
       quickSort(arr,0,n-1);
  }
32
33
  int main(){
       vector<int> numbers={5, 2, 8, 1, 3};
34
       cout << "Before sorting:</pre>
35
36
       for(const auto& num:numbers)
            cout << num << " ":
37
38
       customSort(numbers);
       cout << "\nAfter sorting: ";</pre>
39
40
       for(const auto& num : numbers)
            cout << num << " ";
41
42
       return 0;
43 }
```

12.6 minmax.cpp

```
1 | #include <iostream>
  #include <vector>
3
  #include <algorithm>
  using namespace std;
  int main() {
5
       vector<int> num
           = {4, 2, 8, 5, 1, 9, 6, 3, 7};
7
8
       sort(num.begin(), num.end());
9
       int target = 5;
       vector<int>::iterator it=
10
11
           lower_bound(num.begin(),num.end(),target);
       if(it!=num.end()&&*it==target) {
12
13
           int index=distance(num.begin(), it);
14
           cout<<target<<" 在 "<<index<<endl;
15
       else cout<<target<<" 未找到! "<<endl;
16
17
       pair < vector < int >:: iterator, vector < int >:: iterator >
18
           minmaxElement = minmax_element(num.begin(),
               num.end());
       cout << "最小元素: "<<*(minmaxElement.first)<<endl;
19
       cout << "最大元素: "<<*(minmaxElement.second)<<endl;
20
21
       return 0;
22 }
```

12.7 hw6.cpp

```
1 #include < iostream >
                                                                    78
                                                                                 return result;
                                                                            }
2 #include < string >
                                                                    79
3 #include < cstring >
                                                                    80
4 #include <algorithm>
                                                                    81
5 using namespace std;
                                                                    82
                                                                    83
7 class HugeInt{
                                                                    84
8 private:
                                                                    85
9
       short integer[40];
                                                                    86
10
                                                                    87
11
   public:
                                                                    88
       HugeInt(const string& s){
12
                                                                    89
13
            memset(integer,0,sizeof(integer));
                                                                    90
            for(int i=0;i<s.length();i++)</pre>
                                                                                 }
                                                                    91
14
15
                 integer[i]=s[s.length()-1-i]-'0';
                                                                    92
       }
                                                                            }
16
                                                                    93
17
                                                                    94
18
       HugeInt operator+(const HugeInt& other)const{
                                                                    95
19
            HugeInt result("");
                                                                    96
20
            for(int i=0;i<40;i++){
                                                                    97
21
                 result.integer[i]+=
                                                                    98
22
                     integer[i]+other.integer[i];
                                                                     99
23
                 if(result.integer[i]>=10){
                                                                    100
                     result.integer[i]-=10;
                                                                    101
24
25
                      result.integer[i+1]++;
                                                                    102
26
                }
                                                                   103
27
            }
                                                                    104
28
            return result;
                                                                    105
29
                                                                    106
30
                                                                    107
       HugeInt operator-(const HugeInt& other)const{
31
                                                                    108
32
            HugeInt result("");
                                                                    109
33
            for(int i=0;i<40;i++){</pre>
                                                                    110
                                                                                 }
34
                 result.integer[i]+=
                                                                    111
35
                     integer[i]-other.integer[i];
                                                                   112
                 if(result.integer[i]<0){</pre>
                                                                   113
36
37
                     result.integer[i]+=10;
                                                                   114
                     result.integer[i+1]--;
38
                                                                   115
39
                                                                    116
40
            }
                                                                    117
41
            return result;
                                                                    118
42
       }
                                                                    119
43
                                                                    120
       HugeInt operator*(const HugeInt& other)const{
                                                                    121
44
            HugeInt result("");
45
                                                                   122
            for(int i=0;i<40;i++)
                                                                    123
46
47
                 for(int j=0; j<40; j++)</pre>
                                                                    124
                     result.integer[i+j]+=
48
                                                                    125
49
                          integer[i]*other.integer[j];
                                                                    126
            for(int i=0;i<40;i++){</pre>
50
                                                                    127
51
                 result.integer[i+1]+=result.integer[i]/10;
                                                                   128
52
                 result.integer[i]%=10;
                                                                    129
53
                                                                    130
                                                                    131
54
            return result;
       }
55
                                                                   132
56
                                                                    133
       HugeInt operator/(const HugeInt& other)const{
57
                                                                    134
58
            HugeInt result("");
                                                                    135
59
            HugeInt remainder("0");
                                                                    136
            HugeInt num("10");
60
                                                                    137
            for(int i=39;i>=0;i--){
61
                 if(i==39) remainder.integer[0]=integer[i];
62
                                                                   139
63
                 else{
                                                                    140
64
                      remainder=remainder*num;
                                                                    141
                     remainder.integer[0]=integer[i];
65
                                                                    142
66
                 }
                                                                    143
                 int quotient=0;
67
                                                                    144
68
                 while(remainder>other){
                                                                    145
69
                     remainder=remainder-other;
                                                                    146
70
                     quotient++;
                                                                    147
71
                                                                    148
72
                 if(remainder==other){
                                                                    149
73
                      remainder=remainder-other;
                                                                    150
74
                     quotient++;
                                                                   151
75
                 }
                                                                   152
76
                 result.integer[i]=quotient;
                                                                   153
77
            }
                                                                    154
```

```
HugeInt operator%(const HugeInt& other)const{
    HugeInt remainder("0");
    HugeInt value("0");
    HugeInt num("10");
    for(int i=39;i>=0;i--){
        remainder=remainder*num;
        remainder.integer[0]=integer[i];
        while(remainder>other)
             remainder=remainder-other;
        if(remainder==other) remainder=value;
    return remainder;
bool operator>(const HugeInt& other)const{
    for(int i=39; i>=0; i--){
        if(integer[i]>other.integer[i])
             return true
        else if(integer[i]<other.integer[i])</pre>
             return false;
    return false;
bool operator < (const HugeInt& other)const{</pre>
    for(int i=39;i>=0;i--){
        if(integer[i] < other.integer[i])</pre>
             return true
        else if(integer[i]>other.integer[i])
             return false:
    return false;
bool operator == (const HugeInt& other)const{
    for(int i=39;i>=0;i--)
        if(integer[i]!=other.integer[i])
             return false;
    return true;
bool operator>=(const HugeInt& other)const{
    for(int i=39;i>=0;i--)
        if(integer[i]<other.integer[i])</pre>
             return false;
    return true;
bool operator <= (const HugeInt& other)const{</pre>
    for(int i=39;i>=0;i--)
        if(integer[i]>other.integer[i])
             return false;
    return true;
bool operator!=(const HugeInt& other)const{
    return !(*this==other);
friend istream& operator>>
    (istream& in, HugeInt& hugeInt){
    string s;
    in>>s:
    hugeInt=HugeInt(s);
    return in;
friend ostream& operator<<</pre>
    (ostream& out, const HugeInt& hugeInt){
    bool isLeadingZero=true;
    for(int i=39;i>=0;i--){
        if(hugeInt.integer[i])
             isLeadingZero=false;
        if(!isLeadingZero)
             out << hugeInt.integer[i];</pre>
    if(isLeadingZero) out << 0;</pre>
    return out;
void print(HugeInt a, HugeInt b){
    if(a>b) cout<<a<<" > "<<b<<endl;</pre>
```

```
else if(a<b) cout<<a<<" < "<<b<<endl;
155
             else cout << a << " = " << b << endl;
156
             cout <<a<<" + "<<b<<" = "<<a+b<<endl;
157
             if(a>b) cout<<a<<" - "<<b<<" = "<<a-b<<endl;</pre>
158
159
             else if(a<b)</pre>
                  cout <<a<<" - "<<b<<" = -"<<b-a<<endl;
160
             else cout << a << " - " << b << " = " << a - b << endl;</pre>
161
162
             cout <<a<<" * "<<b<<" = "<<a*b<<endl;
             cout <<a<<" / "<<b<<" = "<<a/b<<endl;
163
             cout <<a<<" % "<<b<<" = "<<a%b<<endl;
164
165
   };
166
167
   int main(){
168
169
        string x,y;
        int cnt=0;
170
171
        while(cin>>x>>y){
172
             HugeInt x1(x);
             if(cnt++) cout<<endl;</pre>
173
174
             x1.print(x,y);
        }
175
176 }
```

12.8 rectangle.cpp

```
1 #include < iostream >
2 #include < iomanip >
3 #include <algorithm>
4 #include < math.h>
5 using namespace std;
6 class R {
7
       private:
            double area, diagonal;
8
       public:
10
            R(){};
            int length, width;
11
12
            R(double 1, double w) {
                 length=1:
13
                 width=w;
14
15
            }
16
            int getA(){
17
                 area=length*width;
18
                 return area;
19
            double getD(){
20
                 diagonal=sqrt(length*length+width*width);
21
22
                 return diagonal;
23
24 };
  bool cmp(R r1, R r2) {
25
26
       if(r1.getA() == r2.getA())
            return r1.getD()>r2.getD();
27
       return r1.getA()<r2.getA();</pre>
28
29 }
  int main() {
30
       int n;
31
32
       cin>>n;
33
       R* r=new R[n];
       for(int i=0;i<n;i++) {</pre>
34
            int 1, w;
35
            cin>>l>>w;
36
37
            r[i]=R(1,w);
38
39
       sort(r,r+n,cmp);
       for(int i=0;i<n;i++){</pre>
40
41
            cout << i + 1 << ":("<< r[i].length << ", "<< r[i].width;
            cout << ") area= "<<r[i].getA();</pre>
42
43
            cout << fixed << setprecision (3)
                 << " diagonal = "<<r[i].getD()<<endl;
44
45
46
       delete[] r;
47
       return 0;
48 }
```

12.9 SortFunctionTemplate.cpp

```
1 #include < iostream >
  #include < vector >
  using namespace std;
  template < typename T>
   int p(vector<T>& arr,int low,int high){
       T pivot=arr[high];
       int i=low-1;
8
       for(int j=low;j<high;j++)</pre>
9
            if(arr[j]<pivot){</pre>
10
                 swap(arr[i],arr[j]);
11
12
13
       swap(arr[i+1],arr[high]);
       return 1+i;
14
15
  }
  template < typename T>
16
17
  void qsort(vector<T>& arr, int low,int high){
       if(low<high){</pre>
18
            int pindex=p(arr,low,high);
19
20
            qsort(arr,low,pindex-1);
21
            qsort(arr,pindex+1,high);
22
23 }
24
  template < typename T>
25
  void mysort(vector<T>& arr){
26
       int n=arr.size():
27
       qsort(arr,0,n-1);
  }
28
  template < typename T>
30
  void solve(vector<T>& arr){
       mysort(arr);
31
32
       int cnt=0;
33
       for(auto a:arr){
34
            if(cnt++) cout<<" ";
35
            cout <<a;
36
37
       cout << end1;
       arr.clear();
38
39
  }
  int main(){
40
41
       int n,x;
42
       double d;
       char c;
43
44
       string s;
       while(cin>>n){
45
46
            vector<int> v;
47
            for(int i=0;i<n;i++){</pre>
48
                cin>>x;
49
                v.push_back(x);
            }
50
51
            solve(v);
52
            cin>>n;
53
            vector < double > vd;
54
            for(int i=0;i<n;i++){</pre>
55
                cin>>d:
56
                vd.push_back(d);
57
            }
            solve(vd);
58
59
            cin>>n;
60
            vector<char> vc;
61
            for(int i=0;i<n;i++){</pre>
                cin>>c,vc.push_back(c);
62
63
64
            solve(vc);
65
            cin>>n>>ws;
            vector<string> vs;
            for(int i=0;i<n;i++)</pre>
67
68
                getline(cin,s), vs.push_back(s);
69
            mysort(vs);
            for(auto a:vs) cout<<a<<endl;</pre>
70
71
            vs.clear();
72
       }
73
       return 0;
74 }
```

12.10 exception.cpp

```
1 //分母為0
2 #include <iostream>
3 #include <exception>
4 using namespace std;
5 double divide(int numerator, int denominator) {
       if (denominator == 0) {
           throw runtime_error("Division by zero!");
7
8
9
       return static_cast<double>
           (numerator)/denominator:
10 }
11 int main() {
12
       int a. b:
       cout << "Enter two numbers: ";</pre>
13
       cin >> a >> b;
14
15
       try {
           double result = divide(a, b);
16
           cout << "Result: " << result << endl;</pre>
17
18
19
       catch (const exception& ex) {
20
           cout << "Exception: "<<ex.what()<<endl;</pre>
21
22
       return 0;
23 }
24
25 / // 自訂狀況類別以文字描述錯誤訊息
26 #include <iostream>
27 #include <exception>
28 using namespace std;
29 class MyException : public exception{
30 private:
31
       string errorMessage;
32 public:
33
       MyException(const string& message):
           errorMessage(message) {}
34
35
       const char* what() const throw(){
36
           return errorMessage.c_str();
37
38 };
  int main(){
39
40
       try{
41
           throw MyException("Custom exception
               occurred!");
42
       catch (const MyException& ex){
43
44
           cout << "Exception: " << ex.what() << endl;</pre>
45
46
       return 0;
47 }
48
49 //自訂狀況類別以代碼和文字描述錯誤訊息
50 #include <iostream>
51 #include <exception>
52 using namespace std;
53 class MyException : public exception{
54 private:
55
       int errorCode;
56
       string errorMessage;
57
  public:
58
       MyException(int code, const string& message)
59
          : errorCode(code), errorMessage(message) {}
60
       int getCode() const{
           return errorCode;
61
62
       const char* what() const throw(){
63
64
           return errorMessage.c_str();
      }
65
66 };
67
  int main(){
68
       try{
69
           throw MyException(404, "Page not found!");
70
71
       catch (const MyException& ex){
           cout << "Exception: Error Code "</pre>
72
               <<ex.getCode()<<" - "<<ex.what()<<endl;
73
```

```
75
       return 0:
76 }
77
   //自訂狀況類別使用更詳細的錯誤資訊
78
   #include <iostream>
   #include <exception>
80
   using namespace std;
   class MyException : public exception{
82
83
   private:
        string fileName;
85
       int lineNumber;
86
       string errorMessage;
   public:
87
88
       MyException(const string& file,
89
            int line, const string& message)
                : fileName(file), lineNumber(line),
90
91
                     errorMessage(message) {}
92
        const string& getFile() const{
93
            return fileName;
94
       int getLine() const{
95
 96
            return lineNumber;
       }
97
98
       const char* what() const throw(){
99
            return errorMessage.c_str();
100
101 };
102 int main(){
103
        trv{
104
            throw MyException(__FILE__, __LINE__,
105
                 "Custom exception occurred!"):
106
        catch (const MyException& ex){
107
108
            cout << "Exception: " << ex.what() << endl;</pre>
            cout << "File: " << ex.getFile() << endl;</pre>
109
            cout << "Line: " << ex.getLine() << endl;</pre>
110
111
        }
112
        return 0;
113
```

12.11 purevirtual.cpp

```
1 #include <iostream>
  using namespace std;
  class Shape{
  public:
       virtual double getArea() const=0;
  };
6
  class Circle:public Shape{
8
  private:
       double radius;
9
10
  public:
       Circle(double r):radius(r) {}
11
12
       double getArea() const override {
           return 3.14159*radius*radius;
13
14
15 };
16
  class Rectangle:public Shape{
17
  private:
18
       double length;
19
       double width;
20
  public:
21
       Rectangle(double 1, double w):
22
                length(1), width(w) {}
       double getArea() const override{
23
24
           return length * width;
       }
25
26
  };
27
  int main() {
       Circle circle(5.0):
28
       Rectangle rectangle (4.0, 6.0);
29
       cout << circle.getArea() << endl;</pre>
30
31
       cout << rectangle.getArea() << endl;</pre>
32
       return 0;
```

12.12 RationalNumber.cpp

```
1 #include < iostream >
2 #include < math.h>
3 #include <algorithm>
4 #include < vector >
5 #include < complex >
6 #include < iomanip >
7 using namespace std;
9
  int gcd(int a, int b){
       if(b==0) return a;
10
11
       return gcd(b,a%b);
12 }
13
  class Rational{
14
15
16
  public:
       int mol, den;
17
18
       Rational(int m=1, int d=2){
           mol=m;
19
20
           den=d;
21
22
23
       friend ostream& operator<<(ostream& os, const</pre>
            Rational& r){
24
           if(r.mol==0) os<<0;
           else if(r.mol==1&&r.den==1) os<<1;</pre>
25
           else os<<"("<<r.mol<<"/ "<<r.den<<")";</pre>
26
27
            return os;
       }
28
29
       friend istream& operator>>(istream& is, Rational&
30
           r){
31
           char slash;
           is>>r.mol>>slash>>r.den;
32
33
            return is;
       }
34
35
       Rational operator+(const Rational& other){
36
37
           Rational result;
38
           result.mol=mol*other.den+other.mol*den;
           result.den=den*other.den;
39
40
            int com=gcd(result.mol, result.den);
41
           result.mol/=com;
42
            result.den/=com;
43
            return result;
44
45
       Rational operator - (const Rational & other) {
46
47
           Rational result;
           result.mol=mol*other.den-other.mol*den;
48
           result.den=den*other.den;
49
50
           int com=gcd(result.mol, result.den);
           result.mol/=com;
51
52
            result.den/=com;
53
            return result;
       }
54
55
       Rational operator*(const Rational& other) {
56
57
           Rational result;
           result.mol=mol*other.mol;
58
59
            result.den=den*other.den;
60
           int com=gcd(result.mol, result.den);
           result.mol/=com;
61
62
            result.den/=com;
63
           return result;
64
65
66
       Rational operator/(const Rational& other) {
67
           Rational result;
           result.mol=mol*other.den;
68
69
           result.den=den*other.mol;
70
           int com=gcd(result.mol, result.den);
71
           result.mol/=com;
            result.den/=com;
72
73
           return result;
```

```
74
        }
75
   };
76
77
   int main(){
         char op,g;
78
79
         Rational r1, r2;
80
         while(cin>>op){
81
              cin>>g>>r1>>g>>g>>r2>>g;
              if(r1.mol%r1.den) cout<<r1;</pre>
82
              else cout << r1.mol/r1.den;</pre>
83
              cout << " "<<op << " ";
84
              if(r2.mol%r2.den) cout<<r2;</pre>
85
86
              else cout << r2.mol/r2.den;</pre>
              cout << " = ";
87
88
              switch(op){
                   case '+':
89
90
                        cout << r1+r2 << endl;</pre>
91
                        break;
92
                   case '-':
93
                        cout << r1 - r2 << end1;
94
                        break;
95
                        cout << r1*r2 << end1;
96
97
                        break:
98
99
                        cout << r1/r2 << endl;</pre>
100
                        break;
101
              }
102
103
         return 0;
104 }
```