1

1

Contents

```
1 ubuntu
1.2 cp.sh . . . . . . . . . . . . . . . . . .
2 Basic
2.1 ascii . . . . . . . . . . . . . . . .
3.2 stringstream . . . . . . . . . . . . . . . . .
4 STL
4.2 priority_queue . . . . . . . . . . . . . . . .
4.5 unordered_map . . . . . . . . . . . . . . . .
4.8 unordered_set . . . . . . . . . . . . . .
sort
6 math
6.1 質數與因數
6.2 快速冪
6.5 大步小步
algorithm
7.1 basic . . . . . . . . . . . . . . . .
7.3 三分搜
7.4 prefix sum
7.12 SPFA
8 geometry
                    15
8.1 intersection . . . . . . . . . . . . . . . . .
16
16
10 Section2
10.1 thm .
11.1 DP 公式 . . . . . . . . . . . . . . . . .
12 字串
                    17
12.1 Edit distance . . . . . . . . . . . . . . . .
                    17
17
13 slogan
13.1 slogan . . .
 ubuntu
```

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2
  clear
  g++ $1.cpp -DDBG -o $1
if [[ "$?" == "0" ]]; then
3
5
             echo Running
             ./$1 < $1.in > $1.out
6
7
             echo END
8 fi
```

Basic

2.1 ascii

1	int	char	int	char	int	char
2	32		64	@	96	•
3	33	!	65	Α	97	а
	34	"	66	В	98	b
5	35	#	67	С	99	С
6	36	\$	68	D	100	d
7	37	%	69	Ε	101	e
8	38	&	70	F	102	f
ç	39	•	71	G	103	g
16	40	(72	Н	104	h
11	41)	73	I	105	i
12	42	*	74	J	106	j
13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
14	44	,	76	L	108	1
15	45	-	77	М	109	т
16	46		78	N	110	n
17	47	/	79	0	111	0
18	48	0	80	P	112	р
19	49	1	81	Q	113	q
20	50	2	82	R	114	r
21	51	3	83	S	115	S
22	52	4	84	T	116	t
23	53	5	85	U	117	и
24	54	6	86	V	118	V
25	55	7	87	W	119	W
26	56	8	88	X	120	X
27	57	9	89	Y	121	y
28	58	:	90	Z	122	Z
29	59	;	91	Γ	123	{
36	60	<	92	\	124	1
31	61	=	93	J	125	}
32	62	>	94	^	126	~
33	63	?	95			

2.2 limits

```
[size]
1 [Type]
                                   [range]
                                 127 to -128
2
  char
                       1
                                 127 to -128
3
  signed char
                       1
  unsigned char
                       1
                                 0 to 255
                       2
                                 32767 to -32768
  short
  int
                       4
                                 2147483647 to -2147483648
7
  unsigned int
                       4
                                 0 to 4294967295
  long
                       4
                                 2147483647 to -2147483648
8
9
  unsigned long
                       4
                                 0 to 18446744073709551615
                       8
  long long
10
11
              9223372036854775807 to -9223372036854775808
  double
                       8
                             1.79769e+308 to 2.22507e-308
12
13
  long double
                       16
                             1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14
  float
                       4
                                3.40282e+38 to 1.17549e-38
15 unsigned long long
                       8
                                 0 to 18446744073709551615
16 string
```

32

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 | #include < bits / stdc++. h>
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
3 using namespace std;
5 string s;
6 int n;
8 int ex(int 1, int r){
    int i=0:
     while (1-i)=0&&r+i<0&T(1-i)==T(r+i) i++;
10
11
     return i;
12 }
13
14 int main(){
     cin>>s;
15
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
     int ans=1;
20
     r[0]=1;
21
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i:
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
          r[i]=len+ex(i-len,i+len);
         center=i:
32
33
         mx=i+r[i]-1;
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
       ans=max(ans,r[i]);
36
37
     cout << ans -1 << "\n";
38
39
     return 0;
40 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
bwhile(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 BIT

```
1 template <class T> class BIT {
2
  private:
    int size:
3
    vector<T> bit;
    vector<T> arr;
5
6
7
    BIT(int sz=0): size(sz), bit(sz+1), arr(sz) {}
10
    /** Sets the value at index idx to val. */
    void set(int idx, T val) {
11
          add(idx, val - arr[idx]);
12
13
```

```
14
15
     /** Adds val to the element at index idx. */
16
     void add(int idx, T val) {
17
       arr[idx] += val;
       for (++idx; idx<=size; idx+=(idx & -idx))</pre>
18
               bit[idx] += val;
19
20
21
     /** @return The sum of all values in [0, idx]. */
22
    T pre_sum(int idx) {
23
24
       T total = 0;
       for (++idx; idx>0; idx-=(idx & -idx))
25
26
               total += bit[idx];
27
       return total:
28
    }
29 };
```

4.2 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
  讀取優先權最高的值:
3
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
5
     pq.pop();
  判斷是否為空的priority_queue:
6
                            //回傳 true
7
     pq.empty()
     pq.size()
                            //回傳@
8
  如需改變priority_queue的優先權定義:
9
                            //預設由大到小
     priority_queue<T> pq;
10
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
11
                            //改成由小到大
12
13
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
```

4.3 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
     (Standard Template Library, STL)
2
     中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
4
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N), 但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
8
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
9
              //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
              //取出 deque 最尾端的元素
12 dq.back()
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
 dq.insert()
14
 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
16
     n: 元素插入次數
17
    val: 插入的元素值
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
              //同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20
              //清空整個 deque 佇列。
21 dq.clear()
              //檢查 deque 的尺寸
22 dq.size()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
23 dq.empty()
              //若是存在任何元素,則返回0
24
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
25 dq.begin()
26 dq.end()
              //指向 deque 結尾,
27
              //不是最後一個元素,
              //而是最後一個元素的下一個位置
28
```

4.4 map

```
1 map:存放 key-value pairs 的映射資料結構,
       會按 key 由小到大排序。
3 元素存取
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
6| 迭代器
7| begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end():回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
14 取value:it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
31 //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34
  int main(){
      //declaration container and iterator
35
36
      map<string, string> mp;
37
      map<string, string>::iterator iter;
38
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
      //insert element
      mp.insert(pair<string, string>
41
              ("r000", "student_zero"));
42
      mp["r123"] = "student_first";
43
      mp["r456"] = "student_second";
44
45
46
      //traversal
      for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
47
          cout << iter -> first << " "
48
49
                     <<iter->second<<endl;
      for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
50
51
          cout << iter_r -> first << "
              "<<iter_r->second<<endl;
52
      //find and erase the element
53
      iter=mp.find("r123");
54
      mp.erase(iter);
55
56
      iter=mp.find("r123");
57
      if(iter!=mp.end())
         cout << "Find, the value is "
58
59
                 <<iter->second<<endl;
      else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
60
61
      return 0;
62 }
```

4.5 unordered_map

```
1 unordered_map: 存放 key-value pairs
2 的「無序」映射資料結構。
3 用法與map相同
```

4.6 set

```
set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  取值: 使用iterator
3
4
     x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
      x = *st.rbegin();
6
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
  判斷是否為空的set:
9
     st.empty() 回傳true
10
     st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
14
     st.count(x):
15
     auto it = st.find(x);
16
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.lower_bound(x);
17
18
         // binary search, O(log(N))
19
      auto it = st.upper_bound(x);
         // binary search, O(log(N))
20
```

4.7 multiset

```
1與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。2資料由小到大排序。3宣告:4multiset<int>st;5刪除資料:6st.erase(val);7//會刪除所有值為 val 的元素。8st.erase(st.find(val));9//只刪除第一個值為 val 的元素。
```

4.8 unordered_set

```
unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),
相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,
無自動排序功能。
unordered_set 判斷元素是否存在
unordered_set <int> myunordered_set;
myunordered_set.insert(2);
myunordered_set.insert(4);
myunordered_set.insert(6);
cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
```

4.9 單調隊列

```
1 // 單調隊列
 "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
2
3
 example
5
 給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
 #include <bits/stdc++.h>
10 #define maxn 1000100
11 using namespace std;
12 int q[maxn], a[maxn];
13 int n, k;
15 void getmin() {
     // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
```

```
17
        int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
            while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20
            q[++tail]=i;
21
        for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
            while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
            α[++tail]=i:
25
            while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
26
            cout << a[q[head]] << " ";
27
28
       cout << endl;
29 }
30
   void getmax() { // 和上面同理
31
       int head=0,tail=0;
32
33
        for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
34
35
            q[++tail]=i;
36
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
37
38
            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
39
            q[++tail]=i;
40
            while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
            cout << a[q[head]] << " ";
       }
42
       cout << endl;</pre>
43
44
  }
45
46
   int main(){
       cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
        getmin();
50
        getmax();
51
        return 0;
52 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
1 | #python 大數排序
  while True:
4
    try:
                              # 有幾筆數字需要排序
     n = int(input())
5
                               # 建立空串列
6
     arr = []
7
     for i in range(n):
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
                               # 串列排序
9
     arr.sort()
10
     for i in arr:
                            # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
13
     break
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
5 for(int i=2;i*i<=n;i++){
        if(isprime[i])
        for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;
8 }
9
10 歐拉篩O(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
```

```
12 bool isPrime[MAXN];
  int prime[MAXN];
13
  int primeSize=0;
  void getPrimes(){
15
16
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
17
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
18
19
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
           for(int
20
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
       }
24
25
  }
26
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
28
  int GCD(int a, int b){
29
       if(b==0) return a;
30
       return GCD(b,a%b);
31
  }
32
  質因數分解
33
  void primeFactorization(int n){
35
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
36
           if(p[i]*p[i]>n) break;
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
39
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40
       }
41
       if(n!=1) cout << n << ' ';
42
       cout << '\n';
43 }
44
  擴展歐幾里得算法
45
  //ax+by=GCD(a,b)
46
  #include <bits/stdc++.h>
48
  using namespace std;
49
50
  int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y){
51
       if(b==0){
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56
       y -= a/b * x;
57
       return d;
58 }
59
60
  int main(){
61
       int a,b,x,y;
       cin>>a>>b;
62
63
       ext_euc(a,b,x,y);
       cout << x << ' '<< y << end1;
65
       return 0;
66
67
68
69
  歌德巴赫猜想
70
  solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
  #include <iostream>
72
  using namespace std;
74
  #define N 2000000
75
  int ox[N],p[N],pr;
  void PrimeTable(){
76
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
79
       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
80
           if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
           for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
                ox[i*p[j]]=1;
83
  }
84
85
86 int main(){
       PrimeTable();
```

```
88
       int n;
       while(cin>>n,n){
89
90
           int x;
91
           for(x=1;;x+=2)
92
               if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
           printf("%d = %d + %d \setminus n", n, x, n-x);
94
95 }
  |problem : 給定整數 N,
           求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
98 如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
100 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
101 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
  #include < bits/stdc++.h>
102
103
   using namespace std;
104
   bool isPrime(int n){
105
106
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
           if(i*i>n) return true;
107
108
           if(n%i==0) return false;
       }
109
110
       return true;
111 }
112
113
   int main(){
       int n:
114
115
       cin>>n:
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
116
117
       else if(n\%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
118
       else cout << "3\n";</pre>
119 }
```

6.2 快速冪

```
1|計算a^b
  #include < iostream >
  #define ll long long
4 using namespace std;
6 const 11 MOD=1000000007;
  11 fp(ll a, ll b) {
7
8
       int ans=1;
       while(b>0){
10
            if(b&1) ans=ans*a%MOD;
11
            a=a*a%MOD;
            b>>=1;
12
13
14
       return ans;
15 }
16
17 int main() {
18
     int a,b;
     cin>>a>>b:
19
     cout << fp(a,b);</pre>
20
21 | }
```

6.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
  int phi(){
3
      int ans=n;
5
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
6
          if(n%i==0){
7
               ans=ans-ans/i;
8
               while(n%i==0) n/=i;
9
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
10
11
      return ans;
12 }
```

6.4 atan

```
1| 說明
    atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x的反正切。
2
3
  回覆值
4
    atan()函數會傳回介於範圍 - /2 到 /2 弧度之間的值。
    atan2() 函數會傳回介於 - 至
                                 弧度之間的值。
7
    如果 atan2() 函數的兩個引數都是零,
    則函數會將 errno 設為 EDOM,並傳回值 0。
9
10
  範例
  #include <math.h>
  #include <stdio.h>
12
13
  int main(void){
14
      double a,b,c,d;
15
16
17
      c = 0.45:
18
      d=0.23;
19
20
      a=atan(c):
21
      b=atan2(c,d);
22
23
      printf("atan(%1f)=%1f/n",c,a);
      printf("atan2(%1f,%1f)=%1f/n",c,d,b);
24
25
26
  }
27
  atan(0.450000)=0.422854
30
  atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
31
```

6.5 大步小步

LL fpow(LL a, LL b, LL c){

LL res=1;

33

```
給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
2
3
4
   題解
  餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
5
     B^0 B^P, B^1 B^(P+1), ...,
  也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
6
     能得到結果,但會超時。
8
  將 L 拆成 mx+y, 只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
9
  設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 。
10
  B^(mx+y) N(mod P)
12 B^(mx)B^y N(mod P)
13
  B^y N(B^(-m))^x \pmod{P}
14
15
  先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
16 再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的 B^y。
17
  這種算法稱為大步小步演算法,
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
18
  小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
19
20
21
   複雜度分析
22 利用 map/unorder_map 存放 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
23 枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為 0(√Plog√P)/0(√P)。
24
25
26
27
28 #include <bits/stdc++.h>
29 using namespace std:
30 using LL = long long;
31 LL B, N, P;
```

```
35
        for(;b;b >>=1){
            if(b&1)
36
37
                 res=(res*a)%c;
38
            a=(a*a)%c;
39
40
        return res;
41 }
42
  LL BSGS(LL a, LL b, LL p){
43
44
       a%=p,b%=p;
       if(a==0)
45
            return b==0?1:-1;
46
47
       if(b==1)
48
            return 0;
49
       map<LL, LL> tb;
       LL sq=ceil(sqrt(p-1));
50
51
       LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
52
       tb[1]=sq;
       for(LL i=1, tmp=1; i < sq; ++i){</pre>
53
54
            tmp=(tmp*a)%p;
55
            if(!tb.count(tmp))
56
                 tb[tmp]=i;
57
       for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
58
59
            if(tb.count(b)){
60
                 LL res=tb[b]:
                 return i*sq+(res==sq?0:res);
61
            }
62
63
            b=(b*inv)%p;
64
65
       return -1;
66 }
67
68 int main(){
69
       ios::sync_with_stdio(false);
70
       cin.tie(0),cout.tie(0);
71
        while(cin>>P>>B>>N){
            LL ans=BSGS(B,N,P);
72
            if(ans==-1)
73
                 cout << "no solution\n";</pre>
74
75
76
                 cout << ans << '\n';
77
       }
78 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp 。
8 | find: 尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
14
15 upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
20
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
21 prev_permutation(first, last)
```

7.2 二分搜

```
1 int binary_search(int target) {
  // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
  // index that target value exists, with "ng" doesn't.
      int ok = maxn, ng = -1;
  // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
  // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
  // (the "check" funtion
7
8
  // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
9
          int mid = (ok + ng) >> 1;
10
          if(check(mid)) ok = mid;
11
  else ng = mid;
// Be careful, "arr[mid]>=target" for first
12
13
14 // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
15 // last lower_bound. For range (ng, ok],
16 // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
17 // choose the first one, or convert [ok, ng) into
  // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
  // the second one.
19
20
21
      return ok;
22 }
23
24 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                    //最左邊 ≥ k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                   //最左邊 > k 的位置
26 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
27 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
28 (lower_bound, upper_bound)
                                   //等於 k 的範圍
29 equal_range(arr, arr+n, k);
```

7.3 三分搜

```
題意
  給定兩射線方向和速度,問兩射線最近距離。
2
3
    題解
4
  假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離, F(t) 為二次函數,
5
  可用三分搜找二次函數最小值。
8
  #include <bits/stdc++.h>
9
  using namespace std;
10
  struct Point{
11
12
      double x, y, z;
      Point() {}
13
14
      Point(double _x, double _y, double _z):
15
          x(_x),y(_y),z(_z){}
      friend istream& operator>>(istream& is, Point& p)
16
          is >> p.x >> p.y >> p.z;
17
18
          return is:
19
20
      Point operator+(const Point &rhs) const{
21
          return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
22
23
      Point operator - (const Point &rhs) const{
24
          return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
25
26
      Point operator*(const double &d) const{
27
          return Point(x*d,y*d,z*d);
28
      Point operator/(const double &d) const{
29
30
          return Point(x/d,y/d,z/d);
      }
31
32
      double dist(const Point &rhs) const{
33
          double res = 0;
          res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
34
35
          res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
          res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
36
37
          return res;
38
      }
39 };
```

```
40
41
   int main(){
       ios::sync_with_stdio(false);
42
       cin.tie(0),cout.tie(0);
43
44
       int T;
45
       cin>>T;
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
46
47
            double time:
            Point x1, y1, d1, x2, y2, d2;
48
49
            cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2;
50
            d1=(y1-x1)/time;
            d2=(y2-x2)/time;
51
            double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
52
            double ans = x1.dist(x2);
53
54
            while(abs(L-R)>1e-10){
55
                 m1 = (L+R)/2;
                m2=(m1+R)/2;
56
57
                f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
                 f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
58
59
                 ans = min(ans, min(f1, f2));
                if(f1<f2) R=m2;
60
                 else L=m1;
61
            }
62
            cout << "Case "<<ti << ": ";
63
            cout << fixed << setprecision(4) << sqrt(ans) << '\n';</pre>
64
65
66 }
```

7.4 prefix sum

```
1 // 前綴和
2 陣列前n項的和。
3 b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ \cdots +a[i]
  區間和 [l, r]:b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
6 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
8 int main(){
      int n;
       cin>>n;
10
11
       int a[n],b[n];
       for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
12
13
       for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
15
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<< ' ';</pre>
16
       cout << '\n';
17
       int 1,r;
       cin>>l>>r:
18
19
       cout <<b[r]-b[1-1]; //區間和
20 }
```

7.5 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5|給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
6 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8 在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
9 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17
     int n, 1, r, v;
18
     cin >> n;
     for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
19
```

```
20
           cin >> a[i];
           b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
22
       cin >> 1 >> r >> v;
23
       b[1] += v;
24
25
       b[r+1] -= v;
26
       for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
           b[i] += b[i-1];
28
           cout << b[i] << ' ';
29
30
31 }
```

```
7.6 greedy
1 // 貪心
2| 貪心演算法的核心為,
  採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
  貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
  但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
  提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
6
  確認無誤再實作。
10 刪數字問題
12 給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
14
15
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
16
  扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
17
18
  //code
19
  int main(){
20
21
     string s;
22
     int k;
23
     cin>>s>>k;
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
24
25
        if((int)s.size()==0) break;
        int pos =(int)s.size()-1;
26
        for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
28
           if(s[j]>s[j+1]){
              pos=j;
29
           }
31
        }
32
        s.erase(pos,1);
33
34
35
     while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
        s.erase(0,1);
36
37
     if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
     else cout << 0 << '\n';
38
39
40
42 最小區間覆蓋長度
43
44 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
45 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
46
47
  //solution
49 對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
50 | 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
51
52
  //problem
  長度 n 的直線中有數個加熱器,
  在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
```

問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。

58| 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,

57

//solution

```
59 更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
                                                           135
                                                              //code
60
                                                           136
                                                              struct Work{
61
   //code
                                                           137
  int main(){
62
                                                           138
                                                                   int t, d;
       int n, r;
63
                                                           139
                                                                   bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
64
       int a[1005];
                                                           140
                                                                       return d<rhs.d;</pre>
       cin>>n>>r;
65
                                                           141
66
       for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
                                                           142
                                                              }:
       int i=1, ans=0;
67
                                                           143
       while(i<=n){
68
                                                           144
                                                              int main(){
69
           int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
                                                           145
                                                                   int n;
           int nextR=-1;
                                                                   Work a[10000];
70
                                                           146
71
           for(int j=R;j>=L;--j){
                                                           147
                                                                   cin>>n;
               if(a[j]){
                                                                   for(int i=0:i<n:++i)</pre>
72
                                                           148
73
                   nextR=i:
                                                           149
                                                                       cin>>a[i].t>>a[i].d;
74
                   break;
                                                           150
                                                                   sort(a,a+n);
75
               }
                                                           151
                                                                   int maxL=0, sumT=0;
76
           }
                                                           152
                                                                   for(int i=0;i<n;++i){</pre>
77
           if(nextR==-1){
                                                                       sumT+=a[i].t;
                                                           153
78
               ans=-1;
                                                           154
                                                                       maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                           155
79
               break;
80
           }
                                                           156
                                                                   cout << maxL << '\n';</pre>
81
           ++ans;
                                                           157
                                                              }
           i=nextR+r;
                                                           158
82
83
                                                           159
84
       cout << ans << '\n':
                                                              最少延遲數量問題
                                                           160
85
  }
                                                           161
                                                              //problem
86
                                                           162| 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
87
                                                              期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                           163
88 最多不重疊區間
                                                           164
89
   //problem
                                                           165
                                                              //solution
90 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                              期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序,
                                                           166
   請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
91
                                                              依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                           167
92
                                                              就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                           168
93 //solution
                                                           169
94 依照右界由小到大排序,
                                                           170
                                                              上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
95 每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                           171
96
                                                              //problem
                                                           172
97
                                                              給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                           173
98
   struct Line{
                                                           174
       int L,R;
99
                                                           175
                                                              //solution
100
       bool operator < (const Line &rhs)const{</pre>
                                                           176 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
101
            return R<rhs.R;</pre>
                                                              工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                           177
102
                                                              工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                           178
103
  };
                                                              多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                           179
104
                                                           180
105
   int main(){
                                                           181
                                                               //code
106
       int t;
                                                              struct Work{
                                                           182
       cin>>t;
107
                                                           183
                                                                   int t, d;
108
       Line a[30]:
                                                                   bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
                                                           184
109
       while(t--){
                                                           185
                                                                       return d<rhs.d;</pre>
110
           int n=0;
                                                           186
           while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
111
                                                           187
                                                              };
112
                                                           188
           sort(a.a+n):
113
                                                              int main(){
                                                           189
114
           int ans=1,R=a[0].R;
                                                           190
                                                                   int n=0:
115
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                                   Work a[10000];
116
               if(a[i].L>=R){
                                                           191
                                                           192
                                                                   priority_queue<int> pq;
117
                   ++ans;
                                                                   while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                           193
                   R=a[i].R;
118
                                                           194
                                                                       ++n;
119
               }
                                                           195
                                                                   sort(a,a+n);
120
           }
                                                                   int sumT=0,ans=n;
                                                           196
121
           cout << ans << '\n';
                                                                   for(int i=0;i<n;++i){</pre>
       }
                                                           197
122
                                                                       pq.push(a[i].t);
                                                           198
123
  }
                                                           199
                                                                       sumT+=a[i].t;
124
                                                           200
                                                                       if(a[i].d<sumT){</pre>
125
                                                                           int x=pq.top();
                                                           201
126 最小化最大延遲問題
                                                           202
                                                                           pq.pop();
   //problem
                                                                           sumT -=x;
                                                           203
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                           204
                                                                           --ans;
   期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0,Fi-Di),
129
                                                                       }
                                                           205
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
130
                                                           206
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
131
                                                           207
                                                                   cout << ans << '\n';
132
                                                              }
                                                           208
133 //solution
```

210 任務調度問題

134 按照到期時間從早到晚處理。

```
212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
  期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
   請問最少會受到多少單位懲罰。
214
215
216 //solution
217 依照懲罰由大到小排序,
218 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
219 如果有空閒就放進去,否則延後執行。
220
  //problem
221
222 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
       單位獎勵,
224
   請問最多會獲得多少單位獎勵。
225
   //solution
226
227 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
228
229
  //code
230
  struct Work{
231
      int d,p;
      bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
232
233
          return p>rhs.p;
234
235
  };
236
237
   int main(){
238
      int n;
      Work a[100005];
239
      bitset<100005> ok;
240
      while(cin>>n){
241
          ok.reset();
242
243
          for(int i=0;i<n;++i)</pre>
              cin>>a[i].d>>a[i].p;
244
245
          sort(a,a+n);
          int ans=0:
246
          for(int i=0;i<n;++i){</pre>
247
248
              int j=a[i].d;
249
              while(j--)
250
                  if(!ok[j]){
                      ans+=a[i].p;
251
                      ok[j]=true;
252
253
                      break:
254
255
          3
256
          cout << ans << '\n';</pre>
257
258 }
```

7.7 floyd warshall

211 //problem

```
1 int w[n][n];
2 int d[n][n];
3 int p[n][n];
4// 由i點到j點的路徑,其中繼點為 p[i][j]。
6
  void floyd_warshall(){
                                1/0(V^3)
7
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
8
       for(int j=0;j<n;j++){</pre>
         d[i][j]=w[i][j];
9
                          // 預設為沒有中繼點
10
         p[i][j]=-1;
11
12
    for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
13
     for(int k=0;k<n;k++)</pre>
14
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
         for(int j=0;j<n;j++)</pre>
15
16
           if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
17
             d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
18
             p[i][j]=k; // 由 i 點 走 到 j 點 經 過 了 k 點
19
20 }
21
22 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
```

9

7.8 dinic

```
const int maxn = 1e5 + 10;
2
  const int inf = 0x3f3f3f3f;
  struct Edge {
5
       int s, t, cap, flow;
6
  };
  int n, m, S, T;
8
  int level[maxn], dfs_idx[maxn];
  vector < Edge > E;
10
11
  vector<vector<int>> G;
12
13
  void init() {
14
       S = 0;
       T = n + m;
15
16
       E.clear();
17
       G.assign(maxn, vector<int>());
18 }
19
  void addEdge(int s, int t, int cap) {
20
       E.push_back({s, t, cap, 0});
21
       E.push_back({t, s, 0, 0});
22
23
       G[s].push_back(E.size()-2);
24
       G[t].push_back(E.size()-1);
25 }
26
  bool bfs() {
27
28
       queue<int> q({S});
29
30
       memset(level, -1, sizeof(level));
31
       level[S] = 0;
32
33
       while(!q.empty()) {
34
           int cur = q.front();
35
           q.pop();
36
37
           for(int i : G[cur]) {
38
                Edge e = E[i];
                if(level[e.t]==-1 && e.cap>e.flow) {
39
40
                    level[e.t] = level[e.s] + 1;
41
                    q.push(e.t);
42
               }
43
           }
44
45
       return ~level[T];
  }
46
47
48
  int dfs(int cur, int lim) {
       if(cur==T || lim==0) return lim;
49
50
       int result = 0;
51
52
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i < G[cur].size() && lim;</pre>
           i++) {
           Edge& e = E[G[cur][i]];
53
54
           if(level[e.s]+1 != level[e.t]) continue;
55
           int flow = dfs(e.t, min(lim, e.cap-e.flow));
           if(flow <= 0) continue;</pre>
57
58
59
           e.flow += flow;
           result += flow;
60
61
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
62
           lim -= flow;
63
64
       return result;
```

```
66
                                                                62
                                                                       if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);</pre>
  int dinic() {
                        // O((V^2)E)
                                                                       if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
67
                                                                63
       int result = 0;
                                                                       st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
68
                                                                64
       while(bfs()) {
                                                                65 }
69
70
           memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
71
           result += dfs(S, inf);
                                                                67 // 改值從 += 改成 =
72
       }
73
       return result;
74 }
```

SegmentTree

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
6 inline int pull(int 1, int r) {
7 // 隨題目改變 sum 、 max 、 min
8 // 1、r是左右樹的 index
9
      return st[l] + st[r];
10 }
11
12 void build(int 1, int r, int i) {
13 // 在[1, r]區間建樹, 目前根的 index為 i
      if (1 == r) {
14
15
          st[i] = data[l];
16
          return:
17
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
18
      build(1, mid, i * 2);
19
20
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
21
22 }
23
24 int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
  | // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
      if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
26
27
          return st[i];
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
28
29
      if (tag[i]) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
30
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
31
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
32
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
33
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
34
35
          tag[i] = 0;
36
37
      int sum = 0;
38
      if (ql <= mid)</pre>
          sum += query(q1, qr, 1, mid, i * 2);
39
40
      if (ar > mid)
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
41
42
      return sum;
43 }
44
45 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
46 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
  // c是變化量
47
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
48
          st[i] += (r - l + 1) * c;
49
               //求和,此需乘上區間長度
50
          tag[i] += c;
51
          return:
52
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
53
      if (tag[i] && l != r) {
54
55
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
56
57
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
58
59
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
60
          tag[i] = 0;
      }
61
```

```
66 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
```

7.10 Nim Game

```
1 1 // 兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
 2 //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
 3 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
 5
  #include <bits/stdc++.h>
 6
  #define maxn 23+5
  using namespace std;
  int SG[maxn];
  int visited[1000+5];
10
11
  int pile[maxn],ans;
12
13
  void calculateSG(){
14
       SG[0]=0;
       for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
15
16
            int cur=0;
17
            for(int j=0;j<i;j++)</pre>
                for(int k=0; k<=j; k++)</pre>
18
19
                    visited[SG[j]^SG[k]]=i;
20
            while(visited[cur]==i) cur++;
21
            SG[i]=cur;
       }
22
23
  }
24
25
  int main(){
26
       calculateSG():
27
       int Case=0.n:
28
       while(cin>>n,n){
29
         ans=0;
         for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
30
31
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
           if(pile[i]&1) ans^=SG[n-i];
32
         cout << "Game "<<++Case << ": ";
33
34
         if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";
35
         else{
36
            bool flag=0;
37
            for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
38
              if(pile[i]){
                for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
39
40
                  for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
                    if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
41
                      cout << i - 1 << " " << j - 1 << " " << k - 1 << endl;
42
43
                       flag=1;
44
                      break;
45
                    }
46
47
                  if(flag) break;
48
                if(flag) break;
49
50
           }
51
52
         }
53
54
       return 0;
55
  }
56
58
   input
59
  4 1 0 1 100
     1 0 5
60
  2 2 1
61
62 0
63
   output
  Game 1: 0 2 3
  Game 2: 0 1 1
65
66 Game 3: -1 -1 -1
```

74 75

76 */

```
7.11 Trie
```

67 */

```
1| #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4 const int maxn = 300000 + 10:
5 const int mod = 20071027;
  int dp[maxn];
7
8 int mp[4000*100 + 10][26];
9 char str[maxn];
10
11 struct Trie {
12
       int sea:
13
       int val[maxn];
14
15
       Trie() {
           seq = 0;
16
17
           memset(val, 0, sizeof(val));
           memset(mp, 0, sizeof(mp));
18
19
20
21
       void insert(char* s, int len) {
22
            int r = 0;
           for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
23
                int c = s[i] - 'a';
24
25
                if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
26
                r = mp[r][c];
27
           }
           val[r] = len;
28
29
           return;
30
31
       int find(int idx, int len) {
32
           int result = 0:
33
            for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
34
                int c = str[idx] - 'a';
35
                if(!(r = mp[r][c])) return result;
36
37
                if(val[r])
                    result = (result + dp[idx + 1]) % mod;
38
39
           }
40
           return result;
41
42 };
43
44 int main() {
       int n, tc = 1;
45
46
       while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
47
           Trie tr;
48
49
           int len = strlen(str);
           char word[100+10];
50
51
           memset(dp, 0, sizeof(dp));
52
           dp[len] = 1;
53
54
           while(n--) {
55
                scanf("%s", word);
56
57
                tr.insert(word, strlen(word));
58
59
           for(int i=len-1; i>=0; i--)
60
61
                dp[i] = tr.find(i, len);
           printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
62
63
       return 0;
64
65 }
66
67 /*********
   ****Input****
   * abcd
69
   * 4
70
71
   * a b cd ab
    *****
```

7.12 SPFA

****Output***

* Case 1: 2

```
1 struct Edge
 2
  {
3
       int t;
 4
       long long w;
5
       Edge(){};
       Edge(\textbf{int } \_t , \textbf{ long long } \_w) \ : \ t(\_t), \ w(\_w) \ \{\}
 6
 7
   };
8
9 bool SPFA(int st) // 平均O(V + E) 最糟O(VE)
10
       vector<int> cnt(n, 0);
11
12
       bitset < MXV > inq(0);
13
       queue < int > q;
       q.push(st);
14
15
       dis[st] = 0;
       inq[st] = true;
16
17
       while (!q.empty())
18
       {
19
            int cur = q.front();
20
            q.pop();
            inq[cur] = false;
21
22
            for (auto &e : G[cur])
23
24
                 if (dis[e.t] <= dis[cur] + e.w)</pre>
25
                 dis[e.t] = dis[cur] + e.w;
26
27
                 if (inq[e.t])
28
                     continue;
29
                 ++cnt[e.t];
30
                 if (cnt[e.t] > n)
                     return false; // negtive cycle
31
32
                 inq[e.t] = true;
33
                 q.push(e.t);
34
       }
35
36
       return true;
37 }
```

7.13 dijkstra

```
1 #include < bits / stdc ++ . h>
2 #define maxn 50000+5
  #define INF 0x3f3f3f3f
  using namespace std;
6
  struct edge{
7
       int v,w;
  };
8
10
  struct Item{
11
       int u, dis;
12
       bool operator < (const Item &rhs)const{</pre>
13
           return dis>rhs.dis;
       }
14
15
  };
16
  vector<edge> G[maxn];
18 int dist[maxn];
19
  void dijkstra(int s){ // O((V + E)log(E))
20
       memset(dist,INF,sizeof(dist));
21
22
       dist[s]=0;
23
       priority_queue < Item > pq;
24
       pq.push({s,0});
25
       while(!pq.empty()){
           Item now=pq.top();
26
```

```
27
            if(now.dis>dist[now.u]) continue;
28
29
            for(edge e:G[now.u]){
                 if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
30
31
                     dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
32
                     pq.push({e.v,dist[e.v]});
                }
33
34
            }
35
       }
36
37
  int main(){
38
       int t, cas=1;
39
40
       cin>>t;
41
       while(t--){
42
            int n,m,s,t;
            cin>>n>>m>>s>>t;
43
44
            for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
45
            int u,v,w;
46
            for(int i=0;i<m;i++){</pre>
                 cin>>u>>v>>w:
47
48
                 G[u].push_back({v,w});
49
                G[v].push_back({u,w});
50
51
            dijkstra(s);
            cout << "Case #"<<cas++<<": ";
52
            if(dist[t]==INF) cout<<"unreachable\n";</pre>
53
54
            else cout<<dist[t]<<endl;</pre>
55
       }
56 }
```

7.14 SCC Tarjan

```
1 //Strongly Connected Components
2 //Tarjan O(V + E)
3 int dfn[N], low[N], dfncnt, sk[N], in_stack[N], tp;
4 //dfn[u]: dfs時u被visited的順序
5 //low[u]: 在u的dfs子樹中能回到最早已在stack中的節點
6| int scc[N], sc;//節點 u 所在 SCC 的編號
7 int sz[N]; //強連通 u 的大小
8
9
  void tarjan(int u) {
      low[u] = dfn[u] = ++dfncnt, s[++tp] = u,
10
           in_stack[u] = 1;
      for (int i = h[u]; i; i = e[i].nex) {
11
           const int &v = e[i].t;
12
13
           if (!dfn[v]) {
14
               tarjan(v);
15
              low[u] = min(low[u], low[v]);
16
          } else if (in_stack[v]) {
               low[u] = min(low[u], dfn[v]);
17
18
          }
19
20
      if (dfn[u] == low[u]) {
          ++sc;
21
22
          while (s[tp] != u) {
23
               scc[s[tp]] = sc;
24
               sz[sc]++:
               in_stack[s[tp]] = 0;
25
26
               --tp;
27
          }
28
           scc[s[tp]] = sc;
29
          sz[sc]++:
           in_stack[s[tp]] = 0;
30
31
           --tp;
32
      }
33 }
```

7.15 SCC Kosaraju

```
1 //做兩次dfs, O(V + E)
2 //g 是原圖, g2 是反圖
3 //s是dfs離開的節點
```

```
void dfs1(int u) {
       vis[u] = true;
 5
       for (int v : g[u])
7
           if (!vis[v]) dfs1(v);
8
       s.push_back(u);
  }
9
10
11
  void dfs2(int u) {
       group[u] = sccCnt;
12
13
       for (int v : g2[u])
14
            if (!group[v]) dfs2(v);
15 }
16
  void kosaraju() {
17
18
       sccCnt = 0;
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
19
20
            if (!vis[i]) dfs1(i);
21
       for (int i = n; i >= 1; --i)
22
           if (!group[s[i]]) {
23
                ++sccCnt;
24
                dfs2(s[i]);
25
           }
26 }
```

7.16 ArticulationPoints Tarjan

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
4
  vector<vector<int>> G;
5
  int N;
  int timer;
  bool visited[105];
  int visTime[105]; // 第一次visit的時間
9 int low[105];
10 // 最小能回到的父節點(不能是自己的parent)的visTime
11 int res;
12
  //求割點數量
  void tarjan(int u, int parent) {
13
      int child = 0;
14
15
      bool isCut = false;
16
      visited[u] = true;
17
       visTime[u] = low[u] = ++timer;
18
       for (int v: G[u]) {
           if (!visited[v]) {
19
20
               ++child:
21
               tarjan(v, u);
22
               low[u] = min(low[u], low[v]);
               if (parent != -1 && low[v] >= visTime[u])
23
24
                   isCut = true;
25
           else if (v != parent)
26
27
               low[u] = min(low[u], visTime[v]);
28
       //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
29
       if (parent == -1 && child >= 2)
30
31
           isCut = true;
       if (isCut)
32
33
           ++res;
34 }
35
36
  int main()
37
  {
38
       char input[105];
      char* token;
39
40
      while (scanf("%d", &N) != EOF && N)
      {
41
42
          G.assign(105, vector<int>());
43
           memset(visited, false, sizeof(visited));
          memset(low, 0, sizeof(low));
44
45
           memset(visTime, 0, sizeof(visited));
           timer = 0;
46
47
           res = 0;
           getchar(); // for \n
48
49
          while (fgets(input, 105, stdin))
```

```
50
            {
                if (input[0] == '0')
51
52
                     break:
53
                 int size = strlen(input);
54
                 input[size - 1] = ' \setminus 0';
55
                 --size;
                 token = strtok(input, " ");
56
57
                 int u = atoi(token);
58
                int v;
                 while (token = strtok(NULL, " "))
59
60
                     v = atoi(token);
61
                     G[u].emplace_back(v);
62
                     G[v].emplace_back(u);
63
64
                }
            }
65
            tarjan(1, -1);
66
67
            printf("%d\n", res);
68
       }
69
       return 0;
70 }
```

7.17 最小樹狀圖

```
2|有向圖上的最小生成樹 (Directed Minimum Spanning Tree)
3 稱為最小樹形圖。
5 const int maxn = 60 + 10;
6 const int inf = 0x3f3f3f3f;
8 struct Edge {
     int s, t, cap, cost;
10|}; // cap 為頻寬 (optional)
11
12 int n, m, c;
13 int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn], vis[maxn];
14
15 // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
16 // 找環,如果沒有則 return;
17 // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
18 int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
      int result = 0, root = 0, N = n;
19
20
21
      while(true) {
          memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
22
23
          // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
24
25
          // optional: low 為最小 cap 限制
          for(const Edge& e : edges) {
26
27
              if(e.cap < low) continue;</pre>
              if(e.s!=e.t && e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
28
                  inEdge[e.t] = e.cost;
29
30
                  pre[e.t] = e.s;
              }
31
          }
32
33
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
34
35
              if(i!=root && inEdge[i]==inf)
                  return -1;//除了root 還有點沒有in edge 110
36
          }
37
38
          int seq = inEdge[root] = 0;
39
40
          memset(idx, -1, sizeof(idx));
          memset(vis, -1, sizeof(vis));
41
42
43
          // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
44
              result += inEdge[i];
45
              int cur = i;
46
47
              while(vis[cur]!=i && idx[cur]==-1) {
48
                  if(cur == root) break;
                  vis[cur] = i;
49
                  cur = pre[cur];
50
```

```
51
           if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
52
53
              for(int j=pre[cur]; j!=cur; j=pre[j])
54
                 idx[j] = seq;
55
              idx[cur] = seq++;
           }
56
        }
57
58
59
        if(seg == 0) return result; // 沒有 cycle
60
        for(int i=0; i<N; i++)</pre>
61
62
           // 沒有被縮點的點
           if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
63
64
        // 縮點並重新編號
65
66
        for(Edge& e : edges) {
67
           if(idx[e.s] != idx[e.t])
              e.cost -= inEdge[e.t];
68
           e.s = idx[e.s];
69
70
           e.t = idx[e.t];
        }
71
        N = seq;
72
73
        root = idx[root];
74
     }
75
  }
76
77
78
   Tarjan 的DMST 演算法
79
80 Tarjan 提出了一種能夠在
  0(m+nlog n)時間內解決最小樹形圖問題的演算法。
81
82
83
84 Tarjan 的演算法分為收縮與伸展兩個過程。
85 接下來先介紹收縮的過程。
  我們要假設輸入的圖是滿足強連通的,
  如果不滿足那就加入 O(n) 條邊使其滿足,
  並且這些邊的邊權是無窮大的。
88
90 我們需要一個堆存儲結點的入邊編號,入邊權值,
91 | 結點總代價等相關信息,由於後續過程中會有堆的合併操作,
92 這裡採用左偏樹 與並查集實現。
  演算法的每一步都選擇一個任意結點 v,
  需要保證v不是根節點,並且在堆中沒有它的入邊。
  再將v的最小入邊加入到堆中,
  如果新加入的這條邊使堆中的邊形成了環,
  那麼將構成環的那些結點收縮,
  我們不妨將這些已經收縮的結點命名為超級結點,
  再繼續這個過程,如果所有的頂點都縮成了超級結點,
100 | 那麼收縮過程就結束了。
101 | 整個收縮過程結束後會得到一棵收縮樹,
  之後就會對它進行伸展操作。
102
103
104 堆中的邊總是會形成一條路徑v0 <- v1<- ... <- vk,
105 由於圖是強連通的,這個路徑必然存在,
  並且其中的 vi 可能是最初的單一結點,
106
  也可能是壓縮後的超級結點。
107
108
  最初有 v0=a,其中 a 是圖中任意的一個結點,
  每次都選擇一條最小入邊 vk <- u,
  如果 u 不是v0,v1,...,vk中的一個結點,
  那麼就將結點擴展到 v k+1=u。
  如果 u 是他們其中的一個結點 vi,
  那麼就找到了一個關於 vi <- ... <- vk <- vi的環,
114
  再將他們收縮為一個超級結點c。
115
116
117 向隊列 P 中放入所有的結點或超級結點,
118 並初始選擇任一節點 a,只要佇列不為空,就進行以下步驟:
119
120 選擇 a 的最小入邊,保證不存在自環,
121 並找到另一頭的結點 b。
122 如果結點b沒有被記錄過說明未形成環,
```

123 | 令 a <- b , 繼續目前操作尋找環。

```
124
                                                              201
                                                                      for (int j = 0; j < in[i].size(); j++)</pre>
125 如果 b 被記錄過了,就表示出現了環。
                                                              202
                                                                       q.push(new Heap(&in[i][j]));
                                                                      while (q.size() > 1) {
   總結點數加一,並將環上的所有結點重新編號,對堆進行合併
                                                             ,203
126
                                                              204
                                                                       Heap *u = q.front();
   以及結點/超級結點的總權值的更新。
127
                                                              205
                                                                       q.pop();
   更新權值操作就是將環上所有結點的入邊都收集起來,
128
                                                              206
                                                                       Heap *v = q.front();
   並減去環上入邊的邊權。
129
                                                              207
                                                                       q.pop():
130
                                                              208
                                                                       q.push(merge(u, v));
131 typedef long long 11;
                                                              209
132 #define maxn 102
                                                              210
                                                                     Q[i] = q.front();
133 #define INF 0x3f3f3f3f
                                                              211
                                                                   }
134
                                                                   mark[1] = true;
                                                              212
135 struct UnionFind {
                                                                   for(int a=1,b=1,p;Q[a];b=a,mark[b]=true){
                                                              213
     int fa[maxn << 1];</pre>
136
                                                              214
                                                                      //尋找最小入邊以及其端點,保證無環
     UnionFind() { memset(fa, 0, sizeof(fa)); }
137
                                                              215
                                                                     do {
     void clear(int n) {
138
                                                              216
                                                                       ed[a] = extract(Q[a]);
139
       memset(fa + 1, 0, sizeof(int) * n);
                                                              217
                                                                       a = id[ed[a]->u];
140
                                                              218
                                                                     } while (a == b && Q[a]);
141
     int find(int x) {
                                                              219
                                                                      if (a == b) break;
       return fa[x] ? fa[x] = find(fa[x]) : x;
142
                                                              220
                                                                     if (!mark[a]) continue;
143
                                                                      //對發現的環進行收縮,以及環內的節點重新編號,
                                                              221
     int operator[](int x) { return find(x); }
144
                                                              222
145 };
                                                                      for (a = b, n++; a != n; a = p) {
                                                              223
146
                                                                       id.fa[a] = fa[a] = n;
                                                              224
   struct Edge {
147
                                                                        if (Q[a]) Q[a]->constant -= ed[a]->w;
                                                              225
148
     int u, v, w, w0;
                                                              226
                                                                       Q[n] = merge(Q[n], Q[a]);
149 }:
                                                                       p = id[ed[a]->u];
                                                              227
150
                                                              228
                                                                        nxt[p == n ? b : p] = a;
151
   struct Heap {
                                                              229
152
     Edge *e;
                                                              230
                                                                   }
153
     int rk, constant;
                                                              231 }
     Heap *lch, *rch;
154
                                                              232
155
                                                              233
                                                                 11 expand(int x, int r);
156
     Heap(Edge *_e):
                                                                 11 expand_iter(int x) {
                                                              234
157
       e(_e), rk(1), constant(0), lch(NULL), rch(NULL){}
                                                                   11 r = 0:
158
                                                                   for(int u=nxt[x];u!=x;u=nxt[u]){
                                                              236
     void push() {
159
                                                              237
                                                                      if (ed[u]->w0 >= INF)
       if (lch) lch->constant += constant;
160
                                                              238
                                                                       return INF;
       if (rch) rch->constant += constant;
161
                                                              239
                                                                      else
162
       e->w += constant;
                                                              240
                                                                        r += expand(ed[u]->v,u)+ed[u]->w0;
163
       constant = 0;
                                                                   }
                                                              241
164
                                                              242
                                                                   return r;
165 };
                                                             243 }
166
                                                              244
167
   Heap *merge(Heap *x, Heap *y) {
                                                              245 | 11 expand(int x, int t) {
168
     if (!x) return y;
                                                                   11 r = 0;
                                                              246
     if (!y) return x;
169
                                                                   for (; x != t; x = fa[x]) {
                                                              247
170
     if(x->e->w + x->constant > y->e->w + y->constant)
                                                                     r += expand_iter(x);
                                                              248
171
       swap(x, y);
                                                              249
                                                                      if (r >= INF) return INF;
172
     x->push();
                                                                   }
                                                              250
173
     x - rch = merge(x - rch, y);
                                                              251
     if (!x->lch || x->lch->rk < x->rch->rk)
                                                                   return r;
174
                                                              252
175
       swap(x->1ch, x->rch);
                                                              253
     if (x->rch)
176
                                                                 void link(int u, int v, int w) {
177
       x->rk = x->rch->rk + 1;
                                                              255
                                                                   in[v].push_back({u, v, w, w});
     else
178
                                                                 }
                                                              256
179
       x->rk = 1;
                                                              257
180
     return x;
                                                              258 int main() {
181 }
                                                              259
182
                                                                   scanf("%d %d %d", &n, &m, &rt);
                                                              260
183 Edge *extract(Heap *&x) {
                                                              261
                                                                   for (int i = 0; i < m; i++) {
     Edge *r = x->e;
184
                                                              262
                                                                      int u, v, w;
185
     x - push();
                                                                     scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                              263
186
     x = merge(x->lch, x->rch);
                                                              264
                                                                     link(u, v, w);
187
     return r;
                                                                   }
                                                              265
188 }
                                                                   //保證強連通
                                                              266
189
                                                                   for (int i = 1; i <= n; i++)
                                                              267
190 vector < Edge > in[maxn];
                                                              268
                                                                     link(i > 1 ? i - 1 : n, i, INF);
   int n, m, fa[maxn << 1], nxt[maxn << 1];</pre>
192 Edge *ed[maxn << 1];
                                                              269
                                                                   contract();
                                                              270
                                                                   11 ans = expand(rt, n);
193 Heap *Q[maxn << 1];
                                                                   if (ans >= INF)
                                                              271
194 UnionFind id;
                                                                     puts("-1");
                                                              272
195
196
   void contract() {
                                                              273
                                                              274
                                                                     printf("%11d\n", ans);
     bool mark[maxn << 1];</pre>
197
                                                              275
     //將圖上的每一個節點與其相連的那些節點進行記錄
                                                                   return 0;
198
                                                              276 }
199
     for (int i = 1; i <= n; i++) {
200
       queue < Heap *> q;
```

8 geometry

8.1 intersection

```
1 using LL = long long;
3 struct Point2D {
      LL x, y;
5 };
6
7 struct Line2D {
      Point2D s, e;
8
                               // L: ax + by = c
9
      LL a, b, c;
      Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e) {
10
          a = e.y - s.y;
11
           b = s.x - e.x;
12
13
           c = a * s.x + b * s.y;
14
      }
15 };
16
17 // 用克拉馬公式求二元一次解
18 Point2D intersection2D(Line2D l1, Line2D l2) {
19
      LL D = 11.a * 12.b - 12.a * 11.b;
      LL Dx = 11.c * 12.b - 12.c * 11.b;
20
21
      LL Dy = 11.a * 12.c - 12.a * 11.c;
22
                        // intersection
23
           double x = 1.0 * Dx / D;
24
25
           double y = 1.0 * Dy / D;
26
      } else {
           if(Dx || Dy) // Parallel lines
27
28
                       // Same line
29
      }
30 }
```

8.2 半平面相交

```
1 // Q: 給定一張凸包(已排序的點),
2 // 找出圖中離凸包外最遠的距離
3
4 const int maxn = 100 + 10;
5 const double eps = 1e-7;
6
7
  struct Vector {
8
      double x, y;
9
      Vector(double x=0.0, double y=0.0): x(x), y(y) {}
10
11
      Vector operator+(Vector v) {
          return Vector(x+v.x, y+v.y);
12
13
      Vector operator - (Vector v) {
14
          return Vector(x-v.x, y-v.y);
15
16
17
      Vector operator*(double val) {
          return Vector(x*val, y*val);
18
19
      double dot(Vector v) { return x*v.x + y*v.y; }
20
21
       double cross(Vector v) { return x*v.y - y*v.x; }
      double length() { return sqrt(dot(*this)); }
22
23
       Vector unit_normal_vector() {
24
           double len = length();
25
           return Vector(-y/len, x/len);
26
27 \ \ \ :
28
29 using Point = Vector;
30
31 struct Line {
      Point p;
32
33
      Vector v;
      double ang;
34
      Line(Point p=\{\}, Vector v=\{\}): p(p), v(v) \{
35
36
           ang = atan2(v.y, v.x);
37
```

```
38
        bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
39
            return ang < 1.ang;</pre>
 40
       Point intersection(Line 1) {
41
42
            Vector u = p - 1.p;
            double t = 1.v.cross(u) / v.cross(1.v);
43
            return p + v*t;
44
45
       }
46 };
47
48 int n, m;
                           // 要判斷的直線
49 Line narrow[maxn];
                          // 能形成半平面交的凸包邊界點
50 Point poly[maxn];
   // return true if point p is on the left of line {\bf 1}
52
53
   bool onLeft(Point p, Line 1) {
       return 1.v.cross(p-1.p) > 0;
54
   }
55
56
57
   int halfplaneIntersection() {
       int 1, r;
58
       Line L[maxn];
                               // 排序後的向量隊列
59
       Point P[maxn];
                               // s[i] 跟 s[i-1] 的交點
60
61
       L[l=r=0] = narrow[0]; // notice: narrow is sorted
62
63
        for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
            while(l<r && !onLeft(P[r-1], narrow[i])) r--;</pre>
64
65
            while(l<r && !onLeft(P[l], narrow[i])) l++;</pre>
66
67
            L[++r] = narrow[i]:
68
            if(1 < r) P[r-1] = L[r-1].intersection(L[r]);
69
       }
70
71
        while(l<r && !onLeft(P[r-1], L[1])) r--;</pre>
       if(r-1 <= 1) return 0;
72
73
74
       P[r] = L[r].intersection(L[1]);
75
76
       int m=0;
77
        for(int i=1; i<=r; i++) {</pre>
78
            poly[m++] = P[i];
79
80
81
        return m;
82 }
83
84 Point pt[maxn];
85
   Vector vec[maxn];
   Vector normal[maxn]; // normal[i] = vec[i] 的單位法向量
87
   double bsearch(double 1=0.0, double r=1e4) {
88
89
       if(abs(r-1) < 1e-7) return 1;
90
91
        double mid = (1 + r) / 2;
92
93
        for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
            narrow[i] = Line(pt[i]+normal[i]*mid, vec[i]);
94
95
96
97
        if(halfplaneIntersection())
98
           return bsearch(mid, r);
99
        else return bsearch(l, mid);
100
101
   int main() {
102
        while(~scanf("%d", &n) && n) {
103
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
104
105
                double x, y;
                scanf("%1f%1f", &x, &y);
106
                pt[i] = {x, y};
107
108
109
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
110
                vec[i] = pt[(i+1)%n] - pt[i];
111
                normal[i] = vec[i].unit_normal_vector();
112
113
            printf("%.61f\n", bsearch());
114
```

```
115
        }
116
        return 0;
117 }
```

8.3 凸包

```
    1 // 0:平面上給定多個區域,由多個座標點所形成,再給定

2 // 多點 (x,y),判斷有落點的區域 (destroyed)的面積總和。
3 #include <bits/stdc++.h>
4 using namespace std;
6 const int maxn = 500 + 10;
7 const int maxCoordinate = 500 + 10;
8
9
  struct Point {
10
       int x, y;
11 };
12
13 int n;
14 bool destroyed[maxn];
15 Point arr[maxn];
16 vector<Point> polygons[maxn];
17
18
   void scanAndSortPoints() {
19
       int minX = maxCoordinate, minY = maxCoordinate;
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
20
21
           int x, y;
           scanf("%d%d", &x, &y);
22
           arr[i] = (Point)\{x, y\};
23
           if(y < minY || (y == minY && x < minX)) {</pre>
24
           If there are floating points, use:
25
26
       // if(y<minY || (abs(y-minY)<eps && x<minX)) {</pre>
27
                minX = x, minY = y;
28
           }
29
       sort(arr, arr+n, [minX, minY](Point& a, Point& b){
30
           double theta1 = atan2(a.y - minY, a.x - minX);
31
           double theta2 = atan2(b.y - minY, b.x - minX);
32
33
           return theta1 < theta2;</pre>
34
       });
35
       return;
36 }
37
38 //
      returns cross product of u(AB) \times v(AC)
39
  int cross(Point& A, Point& B, Point& C) {
       int u[2] = {B.x - A.x, B.y - A.y};
40
41
       int v[2] = \{C.x - A.x, C.y - A.y\};
       return (u[0] * v[1]) - (u[1] * v[0]);
42
43 }
44
45 // size of arr = n >= 3
46 // st = the stack using vector, m = index of the top
  vector<Point> convex_hull() {
47
48
       vector<Point> st(arr, arr+3);
49
       for(int i=3, m=2; i<n; i++, m++) {</pre>
           while(m >= 2) {
50
51
                if(cross(st[m], st[m-1], arr[i]) < 0)</pre>
52
                    break:
53
                st.pop_back();
54
               m - -;
55
           }
56
           st.push_back(arr[i]);
57
58
       return st;
59 }
60
61 bool inPolygon(vector<Point>& vec, Point p) {
62
       vec.push_back(vec[0]);
63
       for(int i=1; i<vec.size(); i++) {</pre>
           if(cross(vec[i-1], vec[i], p) < 0) {</pre>
64
65
                vec.pop_back();
66
                return false;
67
68
       vec.pop_back();
69
```

```
70
        return true;
71 }
72
73
          1 | x1
                   x 2
                          х3
                               x 4
                                     x5
          - |
74
                       Х
                                 Х
                 Х
                            Х
                                          ... x
75
          2 | y1 y2 y3 y4 y5
                                                 yn |
   double calculateArea(vector<Point>& v) {
76
       v.push_back(v[0]);
77
                                      // make v[n] = v[0]
       double result = 0.0;
78
        for(int i=1; i<v.size(); i++)</pre>
79
80
            result += v[i-1].x*v[i].y - v[i-1].y*v[i].x;
81
       v.pop_back();
        return result / 2.0;
82
   }
83
84
   int main() {
85
       int p = 0;
86
        while(~scanf("%d", &n) && (n != -1)) {
87
            scanAndSortPoints();
88
89
            polygons[p++] = convex_hull();
       }
90
91
       int x, y;
92
93
        double result = 0.0;
        while(~scanf("%d%d", &x, &y)) {
94
            for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
95
                if(inPolygon(polygons[i], (Point){x, y}))
97
                     destroyed[i] = true;
98
99
       for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
100
101
            if(destroyed[i])
102
                result += calculateArea(polygons[i]);
103
        printf("%.21f\n", result);
104
105
       return 0;
106 }
```

動態規劃

9.1 LCS 和 LIS

```
1 // 最長共同子序列 (LCS)
2| 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
  C 同時為 A,B 的子序列。
3
 //最長遞增子序列 (LIS)
5
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
7
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
15
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
    3. 對 B 做 LIS
16
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
18
       越早出現的數字要越小
19
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
       直接忽略這個數字不做轉換即可
```

10 Section2

10.1 thm

20

中文測試

```
• \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}
```

- $\binom{x}{y} = \frac{x!}{y!(x-y)!}$
- $\int_0^\infty e^{-x} dx$
- $\cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$

11 DP

11.1 DP 公式

12 字串

12.1 Edit distance

- \cdot S_1 經過增、刪或換字變成 S_2
- $\cdot \ dp[i][j] = \left\{ \begin{array}{ll} dp[i-1][j-1] & \text{if} \quad S_1[j-1] \\ \min\{dp[i][j-1], dp[i-1][j], dp[i-1][j-1]\} + 1 & \text{if} \quad S_1[j-1] \end{array} \right.$

12.2 DP 表格

1				
2	1 1	1		1 1
3	li i	i	i i	i i
4			'	
5	1 1	1	ı ı	1 1
6	li i	i		i i
7				
8	1 1	1		1 1
9	li i	<u> </u>		ii
10				
11	1 1	1		1 1
12		i	i i	ii
13				
14	1 1	1		1 1
15	li i	·	i i	i i
16				
17	1 1	1		1 1
18		<u> </u>		; ;
19				
20	1 1	1		1 1
21				iii
22				
23	1	1		1 1
24		i i		1 1
25				
26	1 1	1		1 1
27				ii
28				
29	1 1	1		1 1
30	li i	<u> </u>		
31				
32	1 1	1		1 1
33	li i	i		ii
34				
35	1 1	1		1 1
36		i	i i	ii
37				
38	1 1	1		1 1
39	li i	i	i i	i i
40	'		' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' '	
41	1 1	1		1 1
42	li i	i	i	ii
43			'	
44	1	1	1	1 1
45	li i	i	i i	ii
46				
47	1 1	1		1 1
48	li i	i	i i	ii
49	'			
50	1 1	1	1	1 1
51	li i	i	i i	ii
		'	' '	

52	-	-					-		 		 -		-			-				 				 	-	 	 	-
53	1							I				l					١				١				١			l
54								l				l					I				I				I			I
55 56	-	-				-	-	- ·	 -		 -	 ı	-			-				 -			-	 	-	 	 	-
57	H							l I				l I					ı				ı				¦			l I
58	<u>-</u>	_					-	<u>.</u>	 -		 -		-			_				 				 	-	 . - -	 	-
59	1							I				I					١				١				I			I
60	1							l				l					I				I				I			l
61	-	-					-		 -		 -		-			-				 -				 	-	 	 	-
62																									!			
63 64							_	 	 		 _	I 					ا 			 _	ا 			 	-	 	 	 -
65	ı							ı				ı					ı				ı				ı			ı
66	li							i				i					i				i				i			i
67	-	-					-		 -		 -		-			-				 				 	-	 	 	-
68	1							l				l					I				I				I			l
69								l				l					I				I				I			l
70 71	-	_			-		-		 -		 -		-			-				 -				 	-	 	 	-
								l I				l I					1				1							l I
$S_1 \begin{bmatrix} 72 \\ i \end{bmatrix} \\ S_1 \begin{bmatrix} i \\ i \end{bmatrix} \\ 74 \end{bmatrix}$	<u>'</u>	_					_	 	 		 _	' 	_			_				 				 	_	 	 	-
$\begin{bmatrix} 71 \\ 74 \end{bmatrix}$	1							I				I					١				١				١			I
75	i							ĺ				l					Ī				Ī				ĺ			ĺ
76	-	-					-		 -		 -		-			-				 				 	-	 	 	-
77	!							ļ				l					١				١				!			ļ
78 79		_	_				_	I -	 	_	 _	l 		_		_	 -			 	 -			 	1	 	 	1
80	-	_				_	_	1	 _		 _	 I	_			_	 I			 _	 I			 	1		 	- I
81	ľ							ï				l I					i				i				i			'
82	<u>-</u>	-					-		 -		 -		-			-				 				 	-	 	 	-
83	1							١				l					١				١				١			l
84	1							l				l					١				١				I			l
85	-	-					-		 -		 -		-			-				 -				 	-	 	 	-
86																	١				١				!			
87 88	<u> </u> -						_	 	 		 _	 	_				ا 			 	ا 			 	_	 	 	 -
89	ı							ı				ı					ı				ı				ı			ı
90	i							i				i					i				i				i			i
91	-	-					-		 		 -		-			-				 				 	-	 	 	-
92	1											l					١				١				I			l
93	П							I				l					I				I				I			I
94 95	-	_				-	-	- ·	 _		 -	 I	_		-	-	 I	-	-	 -	 I		-	 	1	 	 	- I
96	H							i I				l I					i				i				i			!
97	-	-					-		 -		 -		-							 		. . .		 	_	 	 	-
98	1							I				I					١				١				I			I
99	1							I				l					I				I				I			l
100	-	-			-		-		 -		 -		-			-				 -				 	-	 	 	-
101 102	ľ							l I				 					ı				ı				!			
103	<u> </u> -	_					_	 	 		 _	 	_				ا 			 	ا 			 	_	 	 	 -
104	ı							I				I					١				١				١			I
105	ĺ							I				I					İ				İ				ĺ			I
106	-	-					-	<u> </u>	 -		 -		-			-				 -				 	-	 	 	-
107												1					١				١				ļ			1
108 109	 -	_					_	I 	 		 _	ا 	_				ا 			 	ا 			 	-	 	 	1
110	ı							ı				ı					ı				ı				ı			ı
111	i							i				İ					i				i				i			i
112	-	-					-		 · -		 -		-			-				 				 	-	 	 	-
113								l				I					١				١				١			l
114								l				l					I				I				I			l
115 116	-	-				-	-	- ·	 -		 -	 I	-		-	-	 I		-	 -	 I		-	 	1	 	 	- I
117	ľ							i				l I					1				1				1			l
118		-					-		 		 -		-							 				 	_	 	 	-
119	ı							I				I					١				١				I			I
120	1							I				l					I				I				I			I
121	-	-		-			-		 -		 -		-			-				 -				 	-	 	 	-
122												1					١				١				ļ			1
123 124		_					_	I 	 		 _	ا 	_				ا 			 	ا 			 	-	 	 	l -
125	- 							ı				ı					ı				ı				Ī			ı
126	i							i				İ					i				i				i			İ
127	-	-					-		 -		 -		-			-				 -				 	-	 	 	-
128								I				l					I				I				I			I

							-						_
129	li i	1	1	ı	ı	J 206	1	ı	ı	ı	ı		
130				 		- 207	1	1	 	! !	I I	; ;	
131	1 1	1	1	ı	ı	208		' 		 		·	
132	li i	i	i	i I	I	209	1	ı	ı	ı	I		
133					, 	- 210	i	i	i	i	' I	i i	
134	1	1	I	I	I	211		· 				<u>.</u>	
135	i i	İ	I	Ī	l	212	1		I	I		1 1	
136						- 213	1		I	I		1 1	
137	1	1	1	I	1	214							
138	1 1	1	1	I	I	215	1			I		1 1	
139						- 216	I		I			1 1	
140	1 1	1	1	1	1	217							
141	1	I	I	I	l	218	1		I	1		1 1	
142						- 219	I	1		l		1 1	
143	!!!!	!	!	!	<u> </u>	220							
144	1	I	1	I	I	221	!	!	!	!		!!!	
145						- 222	I	I	ı	I	l	1 1	
146		1	1	 	 	223							
147 148				 	I 	224 - 225	1	1	1	 	l I	; ;	
149	1 1	1	1		ı	225				 	 	·	
150		i	1	! !	! !	227	1	ı	ı	ı	I		
151				 		- 228	i			! 	I 	i i	
152	1 1	1	1	I	I	229	·	' 	· 	, 	, 		
153	li i	i	i	i	I	230	1	I	I	I	I	1 1	
154			i			- 231	i	İ	İ	İ		i i	
155	1	1	1	I	I	232							
156	1	1	1	I	I	233	1	1		I		1 1	
157						- 234	1			I		1 1	
158	1 1	1	1	1	1	235							
159	1 1	1	1	l	l	236	1			l		1 1	
160						- 237	I	I	I			1 1	
161		Į.	1	<u> </u>		238							
162	1 1	I	1	l	I	239	!	!	!	!		!!	
163						- 240	I	I	I	I		1 1	
164		1	1	 	 	241 242	1	1	1	·			
165 166				 	 	- 243	1	1	1	 	l I	: :	
167	1 1	1	ı	ı	ı	243				 	I 		
168	li i	i	i	! 	! 	245	1	ı	ı	ı	I		
169		'				- 246	i	i	i	i I	i I	i i	
170	1 1	1	1	I	I	247	· 					· 	
171	li i	i	i	İ	İ	248	1	I	I	I		1 1	
172						- 249	Ī	ĺ	ĺ	ĺ		i i	
173	1	1	1	I	I	250							
174	1 1	I	1	I	I	251	1			I		1 1	
175						- 252	I	1		l		1 1	
176		ļ.	1	<u> </u>		253							
177	1 1	I	1	l	I	254	!	!	!	<u> </u>	 -	!!	
178						- 255	1	I	I	I		1 1	
179 180		1	1	 	 	256 257							
181		 		 	I 	- 258	1	1	1	 	l I	1 1	
182	1 1	1	1	1	1	258		ı 	ı 	 	ı 	ı l	
183		i	i	' 		259	1	I	I	I	I		
184						- 261	i	i İ	i	İ		. '	
185	1 1	I	1	I	I	262			· 				
186	l İ	I	1	I	I	263	1	I	I	I	l	1 1	
187						- 264	I	I	I	I	I	ı i	
188	1 1	I	1	I	I	J 265							
189	1 1	I	1	I	I	266	1	1	1	I		1 1	
190						- 267	1	1	1	I	l	1 1	
191		į.	!	ļ	<u> </u>	268							
192	l I	I	I	I	I	269	!	1	1	<u> </u>	l		
193				 I		- 270 L 271	1	I	1	I	l 	ı l	
194		I .	1	[[271	1			·			
195		l 	I	I 	l 	272	1	1	1	[] 	i	
196 197			1			- 273 274	I	I 	I 	 	l 	ı l	
197			1	1 	ı I	274	1	1	I				
	'					- 276	i	<u> </u>	1	I	I	, ! !	
199	1 1	1	I	I	I	277		' 	' 	' 	, 	, , 	
199 200			•	:	i	278	1	ı	ı	I	I		
200		1	1		1								
				 		- 279	1	i	i	İ		i i	
200 201 202		 	 	I I	' 	- 279 280	I	i 	<u>i</u>	i 	 	i i 	
200 201	 	 		 	' 	- 279 280 281 - 282	 	i I	i I	i I	i I	i i I I	

2021						
283 284	I I		 I	 I	 I	 I
85			! 	! 	i I	!
5						
	1 1		I	I	I	I
l	1 1		l	I	I	l
9						
0			l I	 	 	l I
2						
3	1		I	I	I	I
4	1		l	I	I	l
5						
6			<u> </u>			<u> </u>
7 8	l I		 	 	 	
	1 1		I	ı	ı	I
l	i i		I	İ	i	I
			!	<u> </u>	!	!
	ı		l 	l 	I 	l
			I	 	I	I
	. ! 			I	I	
	1 1		l	I	I	l
	1 1		l	I	I	l
	 '		 I	 I	 I	
			I I	I 	I I	I I
	·		' 	' 		'
	1 1		I	I	I	I
	1 1		l	I	I	l
l						
ĺ			 	I I	I I	l I
	ı l		I 	I 	I 	I
			I	I	I	I
	i i			İ	İ	
	<u>·</u>					
			ļ	<u> </u>	I	ļ
;	ı		l 	l 	I 	l
		- -	I	I	I	I
	i i		İ	İ	i	İ
	1 1		ļ	I	I	ļ
	1 1		l	I	I	l
	·		· I	 I	 I	
	1 		! 	! 	I I	!
	·					
	1 1		I	I	I	I
	1 1		l	I	1	l
			 	I I	I I	l I
	ı l		I 	I 	I 	I
			I	I	I	I
	i i			I	İ	
İ	<u>-</u>					
١	1 1		l ·	l	I	!
	I I		 	I	I	l
	'			 I	 I	
			' 	! 	! 	'
	. '					
	1 1		I	I	I	I
	1 1		I	I	I	I
			 	I I	I I	l I
	ı l		 	ı 	ı 	ı
	1 1		I	I	I	I
l	ı i		I	I	I	I

407													
437 438	1	 	 		 	 	514 515	1			 I		I I
439	· 						- 516	i	i			i İ	i i
440	1	l	l I	l		l	J 517						
441	I	l	I		I	l	518	1				<u> </u>	
442 443	1	 I					- 519 520	I	 	 	 	 	l I
444	i		i				521	I	I			I	Ι Ι
445			·	·			- 522	1	l I			l	I I
446							523					 '	
447 448	I 	 	 	 	 	 	524 525	1	 		 	l I	I I
449	I	I	I			I	526						
450	Ī	ĺ	l		ĺ	ĺ	527	1	l I			I	1 1
451		·		·			- 528	I				l	I I
452 453	1	 	 	 	 	 	529 530	1					
454							- 531	i			 	! 	 I I
455	1	I	I		I	I	532				· 		
456	1	l	l	l	l	l	533	1	<u> </u>		<u> </u>	<u> </u>	
457 458	1	· I		· I		· I	- 534 535		l 		 	 	l l
459	1	! 	 	 	 	! 	535	I	I		1	I	1 1
460	· 						- 537	i	i			I	i i
461	1	l				l	J 538						
462	1	 		 		l 	539						ļ !
463 464	1	 I		 I			- 540 541		l 		 	 	l l
465	i						542	I			l	I	
466	· 						- 543	İ	İ		İ	İ	i i
467	!	!	<u> </u>		<u> </u>	!	544				·	·	
468 469		 	 	 	 	 	545 546	1	 		 	 	
470	I	I	I		I	I	547		 			 	
471	i	I	İ	İ	i i	I	548	1	I			I	1 1
472							549	1	l		l	l	l I
473 474		 -	 	 	 	 -	550 551						
474		 	 	 	 	 	- 552		 		 	! 	
476	1	I	l I		I	I	J 553						
477	1	l	l I		l I	l	554	1	l		l	l	
478 479	1	·					- 555 556		 		 	 	
480	1	! 	l 	 	I I	I I	557	1	I		1		I I
481	· 			' 			- 558	i	i			I	i i
482	1	l	l I	l	l I	l	J 559						
483	I	l	I		I	l	560	1				<u> </u>	
484 485	1	 I					- 561 562		 		 	 	l I
486	i	i I	i	<u> </u>	İ	i I	563	I	I		l	I	1 1
487							- 564	I	ı		I	I	ı i
488		<u> </u>			<u> </u>	<u> </u>	565						
489 490	I	l 	 	 	I 	l 	566 - 567	1	 		 	 	
490	1	I		_ .		I	568					' 	ı l
492	1	I	ı	l	ı	I	569	I	l I		l	I	1 1
493		·	·	·		·	- 570	I	l I		l	I	l l
494		 -] 	 	 -	571	1	 I		· I	 I	 '
495 496	I 	I 	I 	 	I 	I 	572 - 573	1	 		! 	: 	ı I I
497	1	I	I		I	I	574						
498	1	I	l I	l	l I	I	575	I	<u> </u>			l	I I
499		· I	· ·	· I	·	· I	- 576 I 577				 	 	
500 501	1	I I] 	 	I I	577 578	1	I		· I	· I	
502							- 579	İ					. ! !
503	1	I	l I	l	I	I	580						
504	1	I	l I	l	l I	I	581	!	<u> </u>			<u> </u>	
505 506	1	 I		 I	 I	 I	- 582 583	I	 		 	 	I
506	1	1 	 	! 	I 	1 	583 584	1	 			I	
508							- 585	i			İ	İ	i i
509	1	l	<u> </u>	l	<u> </u>	l	586		·	·	·	·	<u>-</u>
510	1	l 		l 		l 	587	1				 -	[
511 512	1	· I	I	· I	I	· I	- 588 589	I	I 		 	l 	ı l
513							590	I	I			I	
- 1	•	-		-		-	1	•			-	-	. '

745								- 822	1 1	l	l 1			l I
746 747		Į.	I	!		l	<u> </u>	823		· ·				
747				ا	 	 	 	824 - 825		 	 			
749	I	1	ļ	1	ļ	l	l	826						
750 751	 			ا	 	 	 	827 - 828		 	 			
752	I	1	ı	1		I	I	829						
753 754	 				 	 	 	830 - 831		 				
755	I	1	I			I	I	832		 :	 			
756	I	1	I	- 1	I	l I	I	833	!!!		! !			. !
757 758	1		I		· 	I	 I	- 834 835		 	 	·		l I
759	İ	İ	i	İ	ĺ	İ	İ	836	1 !	ļ				
760 761	1	I	I		· I		· I	- 837 838		 :	 	 	 	
762	i	i	i	İ	İ	i i	i i	839	1 1	l				l I
763 764	 I				 I	 I	 I	- 840 841		 	 	 	 	
765	i	i	i	i	l I	İ	i I	842	1 1	l				1
766 767								- 843 844		 	l			l I
768		i	, 		 	 	! 	845	1 1					l I
769								846	1 1	I				1
770 771	 	I I	 		! 	 	! 	847 848		· 				
772				:				- 849	i i	l	İ		İ	i i
773 774	1	-	I			 	 	850 851	I I	· I				
775								- 852	i i		İ			i i
776 777		l I	I		<u> </u>	 	 	853 854	1	· I				
778		'						- 855	i i					
779		Į.	I	1			 -	856						
780 781				ا	 	 	 	857 - 858		 	 			
782	!	Į.	ļ	!		!	l	859		·				
783 784	l 			ا	 :	 	 	860 - 861]]	 			
785	I	1	I	!	l	l I	l	862		· · ·				
786 787	I 			·	 :	 	 	863 - 864			 			
788	1	1	ļ		l		I	865	·					
789 790	 	 		ا	 	 	 	866 - 867	1 1					
791	1	1	ļ	!	l	l I	I	868	·	' 				·
792 793	 		 	ا 	 	 	 	869 - 870			 			
794	I	1	I	1	l	I	I	871						
795 796	 				 	 	 	872 - 873		 				
797	I	1	ı		l	I	I	874			· 			
798 799					 	 	 	875 - 876		 				
800	1		I				 	876						ı l
801	I	1	I		l :	I	l :	878						
802 803	1		ا ا		 - 	 	 	- 879 880	ı l	 	 	·	·	ı l
804	Ī	i	i	i	I	I	I	881		l	!!!		. !	
805 806	 I	I	I	. ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ	· I	I	· I	- 882 883		 	 	 	 	
807	İ	i	i	i	l	l	l I	884] 1	l				
808 809	 I		I	. ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ	 I		 I	- 885 886		 	 	 	 	l l
810	i		ľ	i	i	i	i İ	887	1 1	I				Ι Ι
811 812	 I				· I		 I	- 888 889		 	 			
813			 			 	! 	889 890	1					
814					·		·	- 891	I i	l	ı i		İ	ı i
815 816	I I	 	 		[I 	892 893		· 				I
817								- 894	i i	l	i i			i i
818 819	I		 		l 	 	l I	895 896		· I				 I
820		'-			· 			- 897	i i	i	i i			i i
821	1		I			l I	l	898						

						. 1						
899 900					 	976 977	1	 I	· I		· I	
901				 	I 	- 978		 	I 	 	l I	i i
902	1 1	1	I	I	I	979			' 			
903	i i	İ	i	i	İ	980	1	I			l	I I
904						- 981	1	1			l	I I
905	1 1	Į.	1	!		982			·	·	·	
906 907		 	 	I	 	983	1					
907	1 1		1	1	 I	- 984 985	I 	 	 :	 	 	l I
909	i i	i	i	İ	! 	986	ı	I	I	1	I	1 1
910			· 			- 987	İ	i I				i i
911	1 1	1	I	I	I	988						
912	1	I		I	I	J 989	1	1		l	l	1 1
913						- 990	1	I			l	1 1
914 915	1 1		1	1	 	991 992	1					
916				 		- 993		! 	I 	l 	! 	i i
917	1 1	1	I	I	I	994			' 		' 	
918	i i	İ	i	İ	İ	995	1	I			l	I I
919						- 996	1	1			l	I I
920	!!!	Į.	!	!	<u> </u>	997			·		·	
921 922			l 	I	l 	998	1	[
922	1 1			I		- 999 1000	I	I 	I 	 	I 	ı l
924	; ;	i		<u> </u>		1000	I	I	I	I	I	
925						- 1002	i	i			i I	i i
926	1	1			I	1003						
927	1 1	1	1	I	I	1004	1	I			l	I I
928						- 1005	1	I			l	1 1
929	!!!	ļ.				1006						
930 931				 	l 	1007 - 1008	1	 	l I		l I	
932	1 1	1	ı	I	ı	1008	I	 	 	 	 	
933	i i	i	i	i	i I	1010	1	I	l	l	I	1 1
934			·			- 1011	İ	İ	I	ĺ	I	i i
935	1	1	1	1	I	1012						
936	1	I		I	I	1013	1	1		l	l	1 1
937						- 1014	1	I			l	1 1
938 939			1	 	 	1015 1016	1		· I		 !	
940		 		 		- 1017	1	1 1	 	 	 	, , , ,
941	1 1	1	I	I	I	1017			 			
942	i i	i	i	i	İ	1019	1	I	l	l	l	1 1
943						- 1020	1	1	l		l	I I
944	1 1	I	1	1	1	1021						
945	1 1	ı		I	I	1022	1				<u> </u>	!!!
946 947	1 1		1	1	 I	- 1023 1024		 	 	 	 	l I
948	i i	i	1	i I	! 	1025	1	ı	I	ı	ı	1 1
949						- 1026	i	i			i I	i i
950	1	1			I	1027						
951	1	I		I	I	1028	1	I			l	1 1
952						- 1029 - 1029	I	I	l	l	l	1 1
953 954	1 1	I	1	I I	I I	1030 1031	1	 I	· I	· I	· I	
954	ı l			I 	I 	- 1031	1	: 	i 	! 	1 	ı I I
956	1	1	1	I	I	1033						
957	ı i	İ	1	1	I	1034	1	I	l	l	I	Ι Ι
958						- 1035	1	I	l	l	l	1 1
959	1 !	Į.]	ļ.	1036				·	·	
960	1 1	I	1	I	I	1037	1	1	 -	1	 -	
961 962		I	1	·		- 1038 1039	I 	I	I 	 	I 	ı l
963					: 	1039	1	1	I	_ .	I	
964			· 			- 1041	i	i	İ		I	i i
965	1 1	1	1	1	I	1042						
966	1 1	1	1	I	I	1043	1	1	l	l	l	1 1
967						- 1044	1	I	I	l	I	l I
968	<u> </u>	Į.	1	1	<u> </u>	1045						
969 970		 	 	I 	l 	1046 - 1047	1	I I	 	 	 	 '
970		I	1		I	1047	I 	I 	I 		I 	ı I
972	i i	i	i	i		1048	I	I	l	l	I	
973				· 		- 1050	Ì	İ				i i
974	1 1	1	1	I	I	1051						
975	1 1	I	1	I	I	1052	1	I	I	l	I	l I

1053	1	1	1	ı	ı	ı	1130	Li	ı	ı	ı	ı		
1054							- 1131	l i	i I	i I	' 	' 	i i	
1055	1	1	1	I	l ·	 -	1132							
1056 1057				 	 	 	1133 - 1134					 		
1058	I	1	I	I	I	I	1134	 	 	 	 :	I 		
1059	İ	İ	İ	İ	İ	i İ	1136	1	I	I	I	I	1 1	
1060						·	- 1137	1	l	l	l	l	1 1	
1061 1062	1	1	 	 	 	l I	1138 1139		 I	 I	 I	 I		
1063	' 				' 	' 	- 1140	li	İ	İ	' 	' 	i i	
1064	1	1	1	I	l	l	1141							
1065 1066				 	 	 	1142 - 1143							
1067	I	1	I	I	I	I	1143	 	 	 	 :	I 		
1068	İ	İ	İ	İ	İ	i İ	1145	1	I	I	I	I	1 1	
1069						·	- 1146	1	l	l	l	l	1 1	
1070 1071	1	1	1	! !	 	l I	1147 1148		· I	· I	 I		 I I	
1072							- 1149	li	i İ	i İ	i I	İ	i i	
1073	1	1	1	I	l ·	l	1150			·			 	
1074 1075			 	 	 	 	1151 - 1152		 	 	 	 	 	
1076	1	1	I	I	I	l	1153							
1077	Ì	Ì	Ì	Ī	ĺ	l	1154	1	I	I	I	I	1 1	
1078					· ·		- 1155		l	l	l	l	I I	
1079 1080	1	1	1	I I	I I	l I	1156 1157	1	 I		· I			
1081	· 		· 				- 1158	l i	I	I			i i	
1082	1	1	!	!	ļ		1159				·			
1083 1084	l 		 	 	 	 	1160 - 1161		 	 	l I	l I	 	
1085	Ι	I	I	I	I	I	1162		' 	' 	' 	' 		
1086	I	1	1	I	l	I	1163	1	l	l	<u> </u>	l	1 1	
1087 1088	1	I	I	 I	· I	· I	- 1164 1165		 	 	 	 	 	
1089	i	i	i	i I		' 	1166	1	I	I	I	I	1 1	
1090						·	- 1167	1	l	l	l	l	1 1	
1091 1092	1	1	1	 	 	 	1168 1169		 I	· I	· I		 I I	
1093					' 		- 1170	li	İ	İ	' 	' 	i i	
1094	!	Į.	ļ.	Į.	l ·	l ·	1171							
1095 1096	l 		 	 	 	 	1172 - 1173		 	 	l I	l I	 	
1097	1	1	I	I	I	l	1174	-						
1098	1	1	I	I	l	I	1175	!	!	!	l	l	!!!	
1099 1100	1	1	I		· I	· I	- 1176 1177		 	 	 	 	l l	
1101	i	i	i	i	İ	i I	1178	1	I	I	I	I	1 1	
1102					·	·	- 1179	1	I	I	I	I	I I	
1103 1104	1	1	 	 	 	l I	1180 1181		 I	 I	 I	 I		
1105							- 1182	li	i I	i I	i I	i İ	i i	
1106	1	1	!	!	ļ		1183				·			
1107 1108	I	I 	I 	I 	 	 	1184 - 1185		I 	I 	! 	! 	: ! !	
1109	I	1	I	I	I	I	1186							
1110	1	I	I	I	I	I	1187		l	l			!!	
1111 1112	1	I	I	 I	· I	· I	- 1188 1189		l 	 	 	l 	ı l	
1113	i	i	i	i	I		1190	1	I	I	I	I	1 1	
1114						·	- 1191	1	l	l	I	I	1 1	
1115 1116	1	1	1	 	 	l I	1192 1193		 I	· I	· I			
1117							- 1194		! 	! 	! 	! 	i i	
1118	!	Į.	!	Į.	!	l ·	1195						 	
1119 1120	I	I	I	I	l 	 	1196 - 1197		l I	l I	 	 	 	
1121	1	I	I	I	I	I	1198							
1122	1	1	1	I	l	I	1199	<u> </u>	l	l	l	l	1	
1123 1124	1			 I	 I	· · · · · · · · · · · · ·	- 1200 1201		 	 	 	 	 	
1124		İ		! 	! 	ı 	1201	1	 	I	 		I	
1126							- 1203	l i	I	I	I	I	ı i	
1127	1	1	1		 -	 	1204	 1	· I	· I	· I		 '	
1128 1129	I 	I 	I 	I 	I 	I 	1205 - 1206		! 	! 	ı 	ı 	ı 	
								' '	•	•	•	•	. '	

	JC11						1 3 0	-						_
1207							1204							
1207							1284	ı	ı		l	ı	1 1	1
1208	!	!	1	1	1	. !	1285							
1209	1	ı	1	I	1	1 1	1286	1	!			!	!!!	!
1210							1287		l			l	1 1	ı
1211	!	1	!	l .	!	!!!	1288					·		-
1212		ı	I	I	I	1 1	1289	1	l			!	!!!	ļ
1213							1290	1	l			l	1 1	ı
1214		I	1	I	I	1 1	1291							-
1215		I	1	I	I	1 1	1292	1	I			I	1 1	ı
1216							- 1293	I	I			I	1 !	ı
1217		I	1	I	1	1 1	1294							-
1218		I	I	I	1	1 1	1295	1	I			I	1 !	l
1219							1296	1	I			I	1 !	l
1220		1	1	I	1	1 1	1297							-
1221	1	1	1	I	1	1 1	1298	1	I			I	1 !	l
1222							1299	1	I			I	1 !	l
1223	1	I	I	I	1	1 1	1300							-
1224	I	1	I	I	I	1 1	1301	1	I			I	1 !	I
1225							1302	1	I			I	1 !	I
1226	1	I	I	I	1	1 1	1303							-
1227	1	I	I	I	I	1 1	1304	1	I		l	I	1 !	I
1228							1305	1	I		l	I	1 !	ı
1229	1	1	I	I	I	1 1	1306							-
1230	1	1	I	I	I	ı i	1307	1	l			l	1	l
1231							1308	1	I			I	, i	l
1232	1	1	I	I	I		1309							-
1233	1	i	I	I	I	į į	1310	1	I			I	/	l
1234							- 1311	1	I			I	, ,	l
1235	1	1	I	I	I		1312							-
1236	i	i	i	i	i	i i	1313	1	I		ı	I	1 /	ı
1237			· 		· 	· 	1314	i	i	i	i	i	i i	i
1238	1	1	I	I	I	1 1	1315						· 	-
1239	i	i	i	i i	i	i i	1316	1	ı	1	ı	ı	1 /	ı
1240		- -			· 		1317	i	i		i	i	i i	i
1241	1	1	I	I	I	1 1	1318						· 	-
1242	i	i	i	I	i	i i	1319	1	I		l	I	1 /	ı
1243		- -			· 		1320	i	i		i	i	i i	i
1244	1	1	I	I	I	1 1	1321						· 	-
1245	i	i	i	I	i	i i	1322	1	I		l	I	1 /	ı
1246			· 		· 	· 	1323	i	I			I	i i	i
1247	1	1	I	I	I	1 1	1324				· 			-
1248	i	i	i	i	i	i i	1325	1	I		ı	I	1 /	ı
1249			· 		· 	· 	- 1326	i	i	i	i	i	i i	i
1250	1	1	I.	I	1	1 1	1327	· 		:			· :	-
1251	İ	i	i	İ	i	i i	1328	1	I		I	I	1 /	ı
1252					· 		1329	i	I			I	į į	İ
1253	1	1	I.	I	1	1 1	1330	· 		:			· :	-
1254	i	i	i	i	i	i i	1331	1	I		ı	I	1 /	ı
1255	· 				<u>.</u>		1332	i	İ	i	İ	İ	i i	İ
1256	1	1	I.	I	1	1 1	1333	·			· 			_
1257	İ	i	İ		İ	· 	1334	1	I			I	1	ı
1258	· 				<u>.</u>		1335	i	İ	i	İ	İ	i i	İ
1259	1	1	I	I	I		1336							-
1260	1	i	I	I	I	, i	1337	1	I			I	1	ı
1261		· 					1338	1	I			I	, ,	ı
1262	1	1	I	I	I		1339							-
1263	1	i	I	I	I	į į	1340	1	I			I	/	l
1264							- 1341	i	İ			İ	1	ĺ
1265	1	1	I	I	I		1342							-
1266	i	i	i	i	i	i i	1343	1	I		ı	I	1 /	ı
1267	· 				<u>.</u>		1344	i	İ	i	İ	İ	i i	İ
1268	1	1	I	I	I	1 1	1345				· 			-
1269	i	i	i	i	i	i i	1346	1	I		I	I	1	ı
1270			· 		· 	· 	1347	i	i	i	i	i	i i	i
1271	1	1	I.	I	1	1 1	1348	· 		:			· :	-
1272	i	i	i	i	i	i i	1349	1	I		I	I	1	ı
1273							1350	i	I			I		i I
1274	I	1	ı	I	I		1351							-
1275	i	i	i	I	I	· '	1352	1	I		l	I	1	ı
1276		· 					1353	i	I			I	· '	i
1277	ı	1	ı	ı	ı		1354							-
1278	i	i	i	I	i		1355	1	I		l	I	1	ı
1279			· 				1356	i	I	· 		I		i
1280	ı	1	ı	ı	ı		1357		' 			' 	,	_
1281	i	i	i	I	i	, !	1358	1	ı		ı	ı	1	ı
1282		' 			· 		1359	i	I			I	, ! 	İ
1282	1	1	1	1	1		1359		' 			ı 	, l	1
1203	1	1	1	I	I	1	1300							

1361	!	<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>		1438					·		-
1362	1	l	l		l		1439	!					! !	i
1363							- 1440	1						i
1364 1365	1	 	 		 	 	1441 1442	1						
1366		 	 		 	 	- 1443	i				I I	! ! ! !	ĺ
1367	1	I	1		I	I	1444		' 			' 	' 	-
1368	İ		i i				1445	1						ı
1369							- 1446	1						l
1370	1	l			l		1447							-
1371	1	l			l		1448	1						1
1372							- 1449	1						i
1373 1374	1	 	 		 	 	1450 1451	1						
1374		 	 	 	 	 	- 1452	i	 			l I	 	l
1376	1	I	1		I	I	1453							-
1377	i	I	i i		I		1454	1						ı
1378							- 1455	1						l
1379	1	l			l		1456							-
1380	1	l			l		1457	1				<u> </u>		i
1381							- 1458	I						i
1382 1383	1	l I	l I		l I	 	1459 1460	1	I			I	I I	ı
1384		' 					- 1461	i				I 	! ! ! !	ĺ
1385	I	I	1		I		1462							-
1386	Ì	l	ĺ		ĺ		1463	1						ı
1387							- 1464	1						l
1388	1						1465					·		-
1389	1	l	l		l		1466	!						i
1390 1391	1	 I					- 1467 1468		 		 	 	l	i -
1392	i	! 	 		! 	I 	1469	1			l	I		ı
1393	' 	' 	' 		' 	' 	- 1470	i				' 	I i	ĺ
1394	1	l			l	l	1471	· 	· 				· 	-
1395	1	l			l	l	1472	1				l		l
1396							- 1473	1						1
1397	1	l	<u> </u>		l	 -	1474					·		-
1398		 	 	 	 	 	1475	1						i
1399 1400	1	 I	I			I	- 1476 1477	I	 		 	 	l	-
1401	i	! 			! 	! 	1478	1				l	1 1	ı
1402	· 						- 1479	i					i i	ĺ
1403	1	l			l		1480							-
1404	1	l			l		1481	1						1
1405							- 1482	1						i
1406 1407	1	 	 		 	 	1483							
1407		 	l 	 	 	 	1484 - 1485	I	 			 	l 	i
1409	1	I	1		I	I	1486		' 			' 	' 	-
1410	İ	I	i I		I		1487	1				l		ı
1411							- 1488	1				l		l
1412	!	<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>		1489					·		-
1413	1	l	l		l		1490	!						
1414 1415	1	 I			 I		- 1491 1492		 		 	 	 	-
1416	İ	! 	 		! 	I 	1493	1				I		ı
1417							- 1494	i						ĺ
1418	1	I	I		I	I	1495							-
1419	1	l	l I		l	I	1496	1				l	l I	1
1420		·			· I	· I	- 1497 I 1408	1				l 		İ
1421 1422	1	l I	 	 	l I	l I	1498 1499	1			 I	· I	 I	
1423		 			 	 	- 1500	i i	 			l I	l	ı
1424	1	I	1		I	I	1501					' 		-
1425	i	I			I		1502	1						ı
1426							- 1503	İ					İ	l
1427	1	l			l		1504							-
1428	1	l			l	l	1505	1				l	[i
1429		 I	 I		 I	· I	- 1506	1				 	 	i
1430 1431	1	I I	I I	 	I I	l I	1507 1508	1			 .	 .		ı
1431	I 	I 	I 		I 	 	1508 - 1509	1	 		 	ı İ	i !	l I
1433	1	I	ı		I	l	1510		· 					-
1434	İ					l	1511	1				I	I I	ı
1435							- 1512	1	l i			I	l Ì	l
1436	1	l ·	<u> </u>		l ·	l	1513		·		. .	·		-
1437	I	I	I		I	I	1514	I	l I			I	I I	İ

1515	1	1	1	1	1
1516			 	 	
1517	1		1		
1518	1	1	1	- 1	- 1
1519			 	 	
1520	1		1		
1521	1		1		
1522			 	 	
1523	1		1		
1524	1		1		
1525			 	 	
1526	1	1	1	- 1	- 1
1527	1		1		
1528			 	 	
1529	1		1		
1530	1		1		
1531			 	 	
1532	1		1		
1533	1	1	1		- 1
1534			 	 	

13 slogan

13.1 slogan

