Contents

```
1 字串
 1.1 最長迴文子字串
 2 math
 2.1 公式
 2.4 歐拉函數 .
 3 algorithm
 3.2 差分 . . . . . . . . . . . . . . . . . .
 3.3 greedy . . . . . . . . . . . . . . . .
 3.4 dinic . . . . . . . . . . . . . . . . . .
 3.5 SCC Tarjan . . . . . . . . . . . . . . . .
 3.6 SCC Kosaraju . . . . . . . .
```

1 字串 1.1 最長迴文子字串

```
#include<bits/stdc++.h>
   #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
   using namespace std;
   string s;
   int n;
   int ex(int 1,int r){
    int i=0;
     while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;</pre>
11
     return i;
12
13
   int main(){
14
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
     int mx=0;
18
     int center=0:
     vector<int> r(n);
19
20
     int ans=1;
21
     r[0]=1;
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
26
         r[i]=ex(i,i);
27
         center=i;
         mx=i+r[i]-1;
28
29
30
       else if(r[ii]==len){
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
         center=i;
         mx=i+r[i]-1;
33
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout << ans - 1 << "\n";
39
     return 0;
```

1.2 KMP

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
2
                        // len(a), len(b)
3
  int n, m;
  int f[maxn];
                        // failure function
  char a[maxn], b[maxn];
  void failureFuntion() { // f[0] = 0
      for(int i=1, j=0; i<m; ) {</pre>
         if(b[i] == b[j]) f[i++] = ++j;
```

```
3.12 KM . . . . . . . . . . . . . .
    3.13 LCA 倍增法 . . . . . . . . . . . . . . . .
    3.14 LCA 樹壓平 RMQ . . . . . . . .
    3.15 LCA 樹鍊剖分 . . . . . . . . .
    3.16 MCMF . . . . . . . .
    4 DataStructure
    4.1 BIT . . . . .
    4.6 Trie . . . . . . . . . . . . . . . . . .
       else if(j) j = f[j-1];
10
11
       else f[i++] = 0;
12
```

```
13 }
14
15
   int kmp() {
      int i = 0, j = 0, res = 0;
16
      while(i < n) {</pre>
17
18
          if(a[i] == b[j]) i++, j++;
19
          else if(j) j = f[j-1];
20
          else i++;
          if(j == m) {
21
             res++; // 找到答案
22
             j = 0; // non-overlapping
23
24
25
26
      return res;
28
29 // Problem: 所有在b裡,前後綴相同的長度
   // b = ababcababababcabab
31 // f = 001201234123456789
32 // 前9 = 後9
33 // 前4 = 前9的後4 = 後4
34 // 前2 = 前4的後2 = 前9的後2 = 後2
35 for(int j=m; j; j=f[j-1]) {
36
      // j 是答案
```

1.3 Z Algorithm

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
   int z[maxn]; // s[0:z[i]) = s[i:i+z[i])
 4 string s:
   void makeZ() { // z[0] = 0
     for(int i=1, l=0, r=0; i<s.length(); i++) {</pre>
      if(i<=r && z[i-l]<r-i+1) z[i] = z[i-l];</pre>
      else {
        z[i] = max(0, r-i+1);
10
        while(i+z[i]<s.length() &&</pre>
11
              s[z[i]]==s[i+z[i]]) z[i]++;
       if(i+z[i]-1 > r) l = i, r = i+z[i]-1;
13
15 }
```

Geom	etry								13
5.1	Template								13
5.2	Polygon								13
5.3	Intersection .								13
5.4	最小圓覆蓋								13
5.5	凸包								13
5.6	半平面相交								13
DP									14
6.1	以價值為主的背包 .								14
6.2	抽屜								14
6.3	Barcode								14
6.4	Deque 最大差距 .								14
6.5	LCS 和 LIS								14
6.6	RangeDP								14
6.7	${\tt stringDP} \ . \ . \ .$								14
6.8	樹 DP 有幾個 path	Đ	夏度:	為	k				14
6.9	${\tt TreeDP\ reroot} .$								15

2 math 2.1 公式

1. Most Divisor Number

Range	最多因數數	因數個數
109	735134400	1344
231	2095133040	1600
10 ¹⁸	897612484786617600	103680
2^{64}	9200527969062830400	161280

2. Catlan Number

$$C_n = \frac{1}{n} \binom{2n}{n}, C_{n+1} = \frac{2(2n+1)}{n+2} C_n$$

 $C=1,1,2,5,14,42,132,429,1430,4862,\dots$

3. Faulhaber's formula

$$\sum_{k=1}^{n} k^{p} = \frac{1}{p+1} \sum_{r=0}^{p} \binom{p+1}{r} B_{r} n^{p-r+1}$$

where
$$B_0=1$$
, $B_r=1-\sum\limits_{i=0}^{r-1} {r\choose i} rac{B_i}{r-i+1}$

也可用高斯消去法找 deg(p+1) 的多項式,例:

$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = a_3 n^3 + a_2 n^2 + a_1 n + a_0$$

$$\begin{bmatrix} 0^3 & 0^2 & 0^1 & 0^0 \\ 1^3 & 1^2 & 1^1 & 1^0 \\ 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ 3^3 & 3^2 & 3^1 & 3^0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_3 \\ a_2 \\ a_1 \\ a_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0^2 \\ 0^2 + 1^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 + 3^2 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1/3 \\ 1/2 \\ 1/6 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad \sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{1}{3}n^3 + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{6}n$$

4. SG Function

```
SG(x) = mex\{SG(y)|x \rightarrow y\}
mex(S) = min\{n|n \in \mathbb{N}, n \notin S\}
```

5. Fibonacci

$$\begin{bmatrix} f_{n-1} & f_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^p = \begin{bmatrix} f_{n+p} & f_{n+p+1} \end{bmatrix}, p \in \mathbb{N}$$

6. Pick's Theorem

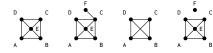
給定頂點座標均是整點(或正方形格子點)的簡單多邊形, 其面積 A 和內部格點數目 i 、邊上格點數目 b 的關係為

$$A = i + \frac{b}{2} - 1$$

7. Euler's Formula

對於有 V 個點、E 條邊、F 個面 (含外部) 的連通平面圖

F + V - E = 2



(1)、(2)〇;(3)×, \overline{AC} 與 \overline{BD} 相交;(4)×,非連通圖

2.2 矩陣快速冪

```
1 using ll = long long;
   using mat = vector<vector<ll>>;
   const int mod = 1e9 + 7;
   mat operator*(mat A, mat B) {
     mat res(A.size(), vector<ll>(B[0].size()));
     for(int i=0; i<A.size(); i++) {</pre>
       for(int j=0; j<B[0].size(); j++) {</pre>
        for(int k=0; k<B.size(); k++) {</pre>
           res[i][j] += A[i][k] * B[k][j] % mod;
10
11
           res[i][j] %= mod;
12
13
       }
14
15
     return res;
16
   }
17
18
   mat I = ;
   // compute matrix M^n
19
   // 需先 init I 矩陣
   mat mpow(mat& M, int n) {
21
     if(n <= 1) return n ? M : I;</pre>
     mat v = mpow(M, n>>1);
23
     return (n & 1) ? v*v*M : v*v;
24
25
   }
26
27
   // 迴圈版本
28 mat mpow(mat M, int n) {
     mat res(M.size(), vector<ll>(M[0].size()));
29
30
     for(int i=0; i<res.size(); i++)</pre>
31
      res[i][i] = 1;
     for(; n; n>>=1) {
      if(n & 1) res = res * M;
33
34
       M = M * M;
    }
35
36
     return res;
37
```

2.3 質數與因數

```
歐拉篩O(n)
   #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
   bool isPrime[MAXN];
   int p[MAXN];
   int pSize=0;
   void getPrimes(){
    memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
    isPrime[0]=isPrime[1]=false;
9
    for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
10
       if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
11
       for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
         isPrime[i*p[j]]=false;
12
         if(i%p[j]==0) break;
      }
14
15
    }
   }
16
17
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
  int GCD(int a, int b){
19
    if(b == 0) return a;
```

```
21
     return GCD(b, a%b);
22 }
23
   質因數分解
25
   void primeFactorization(int n){
     for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
      if(p[i]*p[i] > n) break;
27
28
      if(n % p[i]) continue;
29
       cout << p[i] << ' ';
30
      while(n%p[i] == 0) n /= p[i];
31
     if(n != 1) cout << n << ' ';</pre>
32
33
     cout << '\n';
34
35
36
   擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)
   int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y) {
37
    if(b == 0){
      x = 1, y = 0;
39
40
      return a;
41
     int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
42
     v = a/b*x:
44
     return d;
45
46
   int main(){
     int a, b, x, y;
47
48
     cin >> a >> b;
     ext_euc(a, b, x, y);
49
     cout << x << ' ' << y << endl;</pre>
51
     return 0;
52
53
54
55
   歌德巴赫猜想
56
   解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
58 #define N 20000000
   int ox[N], p[N], pr;
59
   void PrimeTable(){
    ox[0] = ox[1] = 1;
61
     pr = 0;
62
     for(int i=2;i<N;i++){</pre>
63
64
       if(!ox[i]) p[pr++] = i;
       for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
66
        ox[i*p[j]] = 1;
     }
68 }
69
   int main(){
70
     PrimeTable();
71
     int n:
72
     while(cin>>n, n){
73
       int x;
74
       for(x=1;; x+=2)
75
        if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
       printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);
76
77
    }
78 }
79
80 problem :
   給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
   如果N是質數,則答案為 1。
   如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
83
   如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
85
86
87
   bool isPrime(int n){
    for(int i=2;i<n;++i){</pre>
88
      if(i*i>n) return true;
      if(n%i==0) return false;
90
    }
91
92
     return true;
93
94
   int main(){
     int n:
95
     cin>>n:
     if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
97
     else if(n\%2==0||isPrime(n-2)|) cout<<"2\n";
```

```
2.4 歐拉函數
```

else cout<<"3\n";</pre>

100 }

2.5 乘法逆元、組合數

```
x^{-1} mod m
                                              (mod \ m)
           -\left\lfloor \frac{m}{x}\right\rfloor (m \ mod \ x)^{-1}, otherwise
                      1,
                                    if x = 1
                                                  (mod \ m)
          (m - \left| \frac{m}{x} \right|)(m \mod x)^{-1}, otherwise
   若 p \in prime, 根據費馬小定理, 則
     \begin{array}{cccc} \therefore & ax & \equiv & 1 \pmod{p} \\ \therefore & ax & \equiv & a^{p-1} \pmod{p} \end{array}
          x \equiv a^{p-2} \pmod{p}
   using ll = long long;
    const int maxn = 2e5 + 10;
   const int mod = 1e9 + 7;
   int fact[maxn] = {1, 1}; // x! % mod
   int inv[maxn] = {1, 1}; // x^(-1) % mod
    int invFact[maxn] = {1, 1};// (x!)^(-1) % mod
   void build() {
10
     for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
        fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
11
12
        inv[x] = (11)(mod-mod/x)*inv[mod%x]%mod;
        invFact[x] = (11)invFact[x-1]*inv[x]%mod;
13
14
15 }
16
    // 前提: mod 為質數
17
   void build() {
18
     auto qpow = [&](11 a, int b) {
19
20
        11 \text{ res} = 1;
        for(; b; b>>=1) {
21
          if(b & 1) res = res * a % mod;
22
          a = a * a % mod:
23
24
25
        return res;
26
     };
27
      for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
28
        fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
29
        invFact[x] = qpow(fact[x], mod-2);
30
31
32 }
33
   // C(a, b) % mod
35 int comb(int a, int b) {
     if(a < b) return 0;</pre>
37
     11 x = fact[a];
    11 y = (11)invFact[b] * invFact[a-b] % mod;
38
39
    return x * y % mod;
40 }
```

2.6 大步小步

```
給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
 2
3
    題解
   餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
        B^0 B^P,B^1 B^(P+1),...,
   也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
        能得到結果,但會超時。
   將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
 7
   設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 。
   B^(mx+y) N(mod P)
 8
   B^(mx)B^y N(mod P)
   B^y N(B^(-m))^x \pmod{P}
10
   先求出 B<sup>0</sup>,B<sup>1</sup>,B<sup>2</sup>,...,B<sup>(m-1)</sup>,
   再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的
   這種算法稱為大步小步演算法,
   大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
14
   小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
16
    複雜度分析
   利用 map/unorder_map 存放
17
        B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
   枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
18
   存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為
        0(\sqrt{P\log\sqrt{P}})/0(\sqrt{P}) \circ
20
   using LL = long long;
21
   LL B, N, P;
22
   LL fpow(LL a,LL b,LL c){
24
      LL res=1:
25
      for(;b;b >>=1){
26
          if(b&1)
27
              res=(res*a)%c;
28
          a=(a*a)%c;
29
      }
30
      return res;
   }
31
32
   LL BSGS(LL a,LL b,LL p){
33
      a%=p,b%=p;
      if(a==0)
34
35
          return b==0?1:-1;
      if(b==1)
36
37
          return 0;
38
      map<LL, LL> tb;
39
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
40
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
41
      tb[1]=sa:
42
      for(LL i=1,tmp=1;i<sq;++i){</pre>
43
          tmp=(tmp*a)%p;
44
          if(!tb.count(tmp))
45
              tb[tmp]=i;
46
47
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
48
          if(tb.count(b)){
49
              LL res=tb[b];
50
              return i*sq+(res==sq?0:res);
51
52
          b=(b*inv)%p;
53
54
      return -1;
   }
55
   int main(){
56
57
      IOS; //輸入優化
      while(cin>>P>>B>>N){
58
59
          LL ans=BSGS(B,N,P);
          if(ans==-1)
60
61
              cout<<"no solution\n";</pre>
62
          else
63
              cout<<ans<<'\n';
64
      }
65 }
```

3 algorithm 3.1 三分搜

```
2
   給定兩射線方向和速度,問兩射線最近距離。
 3
     題 解
   假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離,F(t)
        為二次函數,
   可用三分搜找二次函數最小值。
   struct Point{
      double x, y, z;
      Point() {}
9
       Point(double _x,double _y,double _z):
10
          x(_x),y(_y),z(_z){}
11
       friend istream& operator>>(istream& is,
            Point& p) {
          is >> p.x >> p.y >> p.z;
12
13
          return is;
14
       Point operator+(const Point &rhs) const{
15
16
          return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
17
       Point operator-(const Point &rhs) const{
18
19
          return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
20
       Point operator*(const double &d) const{
21
          return Point(x*d,y*d,z*d);
22
23
24
      Point operator/(const double &d) const{
25
          return Point(x/d,y/d,z/d);
26
27
       double dist(const Point &rhs) const{
28
          double res = 0:
29
          res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
          res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
30
31
          res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
32
          return res:
33
34 };
35 int main(){
36
      IOS;
               //輸入優化
37
       int T:
38
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
39
40
          double time;
41
          Point x1,y1,d1,x2,y2,d2;
          cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2;
42
43
          d1=(y1-x1)/time;
          d2=(y2-x2)/time;
44
45
          double L=0, R=1e8, m1, m2, f1, f2;
46
          double ans = x1.dist(x2);
47
          while(abs(L-R)>1e-10){
48
              m1=(L+R)/2;
49
              m2=(m1+R)/2:
              f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
51
              f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
52
              ans = min(ans,min(f1,f2));
53
              if(f1<f2) R=m2;
              else L=m1;
54
55
          }
          cout<<"Case "<<ti<<": ";
56
57
          cout << fixed << setprecision(4) <<</pre>
               sqrt(ans) << ' n';
      }
58
59 }
```

3.2 差分

```
1 用途: 在區間 [1, r] 加上一個數字v。
2 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
3 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
4 給的 a[] 是前綴和數列, 建構 b[],
5 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
6 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
7 在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
8 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
```

54

55

int nextR=-1;

for(int j=R; j>=L;--j){

```
這樣一來,b[]是一個在某區間加上v的前綴和。
10 int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
11
  int main(){
      int n, 1, r, v;
13
      cin >> n;
14
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
15
16
          cin \gg a[i];
17
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
18
19
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
20
21
      b[r+1] -= v;
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
22
23
          b[i] += b[i-1];
24
          cout << b[i] << ' ';
25
      }
26 }
```

3

3.3 greedy

```
刪數字問題
  //problem
  給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
  請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
  //solution
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i
       位數,
  扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
8
  //code
  int main(){
9
10
      string s;
     int k:
11
      cin>>s>>k;
12
      for(int i=0;i<k;++i){</pre>
13
         if((int)s.size()==0) break;
14
15
         int pos =(int)s.size()-1;
         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
16
            if(s[j]>s[j+1]){
17
18
               pos=j;
19
               break;
20
            }
         }
21
22
         s.erase(pos,1);
23
24
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
25
         s.erase(0,1);
26
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
27
      else cout<<0<<'\n';
28
  }
29
  最小區間覆蓋長度
30
  //problem
  給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
31
  請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
33
  //solution
  先將 所有 區間 依照 左界由 小到 大排 序,
35
  對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
  找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
36
37
38
  //problem
  長度 n 的直線中有數個加熱器,
  在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
40
  問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
42
  //solution
43
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
44
45
  //code
  int main(){
46
     int n, r;
47
      int a[1005];
48
      cin>>n>>r;
49
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
50
      int i=1,ans=0;
      while(i<=n){</pre>
52
         int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
53
```

```
if(a[j]){
                                                 133 //problem
                                                                                                                  cin>>a[i].d>>a[i].p;
56
                                                                                                   208
                                                 134 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
57
                  nextR=i:
                                                                                                   209
                                                                                                              sort(a.a+n):
                                                 135 期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                                                                              int ans=0;
58
                  break:
                                                                                                   210
59
              }
                                                     //solution
                                                                                                              for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                                                   211
                                                                                                                  int j=a[i].d;
                                                     期限越早到期的工作越先做。
60
                                                 137
                                                                                                   212
                                                                                                                  while(j--)
          if(nextR==-1){
                                                     將工作依照到期時間從早到晚排序,
61
                                                 138
                                                                                                   213
                                                                                                                     if(!ok[j]){
62
              ans=-1:
                                                 139
                                                     依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                                                                   214
63
              break;
                                                     就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                                                                   215
                                                                                                                         ans+=a[i].p;
                                                 140
64
          }
                                                 141
                                                     上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                                                                   216
                                                                                                                         ok[j]=true;
65
                                                 142
                                                                                                   217
           ++ans:
                                                                                                                         break;
                                                                                                   218
66
          i=nextR+r;
                                                 143
                                                     給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                                                                              }
67
                                                 144
                                                                                                   219
       cout<<ans<<'\n';
                                                                                                   220
                                                                                                              cout<<ans<<'\n';
68
                                                     和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
69
   }
                                                 146
                                                                                                   221
                                                                                                          }
70
   最多不重疊區間
                                                 147
                                                     工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                                                                   222 }
71
   //problem
                                                 148
                                                     工作期限 → 烏龜可承受重量
   給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                     多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                 149
72
   請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                     //code
                                                                                                              dinic
                                                     struct Work{
   //solution
                                                 151
   依照右界由小到大排序,
                                                         int t, d;
75
                                                 152
                                                                                                     1 const int maxn = 1e5 + 10:
76
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                 153
                                                         bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                       const int inf = 0x3f3f3f3f;
77
                                                 154
                                                            return d<rhs.d;</pre>
   //code
                                                                                                       struct Edge {
78
   struct Line{
                                                 155
                                                                                                          int s, t, cap, flow;
79
       int L.R:
                                                 156 };
       bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
                                                                                                     5
                                                                                                       };
80
                                                 157
                                                     int main(){
                                                                                                     6
                                                                                                       int n, m, S, T;
81
           return R<rhs.R:
                                                 158
                                                         int n=0:
                                                                                                       int level[maxn], dfs_idx[maxn];
                                                         Work a[10000];
82
                                                 159
                                                                                                       vector<Edge> E;
83 };
                                                 160
                                                         priority_queue<int> pq;
                                                         while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                                                                       vector<vector<int>> G;
   int main(){
84
                                                 161
                                                                                                       void init() {
85
       int t;
                                                 162
                                                                                                    10
                                                                                                          S = 0;
       cin>>t;
                                                                                                    11
                                                         sort(a,a+n);
86
                                                 163
                                                                                                    12
                                                                                                          T = n + m:
87
       Line a[30];
                                                 164
                                                         int sumT=0,ans=n;
                                                                                                    13
                                                                                                          E.clear();
88
       while(t--){
                                                 165
                                                         for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                                                    14
                                                                                                           G.assign(maxn, vector<int>());
89
          int n=0:
                                                 166
                                                            pq.push(a[i].t);
                                                                                                    15 }
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R6)
                                                            sumT+=a[i].t;
90
                                                                                                       void addEdge(int s, int t, int cap) {
                                                                                                    16
91
                                                            if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                 168
                                                                                                          E.push_back({s, t, cap, 0});
92
          sort(a,a+n);
                                                                int x=pq.top();
                                                                                                    17
                                                 169
                                                                                                    18
                                                                                                           E.push_back({t, s, 0, 0});
          int ans=1,R=a[0].R;
93
                                                 170
                                                                pq.pop();
                                                                                                    19
                                                                                                          G[s].push_back(E.size()-2);
          for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                 171
                                                                sumT-=x;
94
                                                                                                          G[t].push_back(E.size()-1);
95
              if(a[i].L>=R){
                                                 172
                                                                                                    20
                                                                --ans;
                                                                                                      }
                                                                                                    21
                                                 173
                                                            }
96
                  ++ans:
                                                                                                    22
                                                                                                       bool bfs() {
97
                  R=a[i].R;
                                                 174
                                                                                                          queue<int> q({S});
                                                                                                    23
98
              }
                                                 175
                                                         cout<<ans<<'\n';
99
                                                 176
                                                                                                    24
                                                                                                           memset(level, -1, sizeof(level));
                                                                                                           level[S] = 0;
                                                                                                    25
100
          cout<<ans<<'\n';
                                                 177
                                                                                                    26
                                                                                                           while(!q.empty()) {
       }
                                                     任務調度問題
101
                                                 178
                                                                                                              int cur = q.front();
   }
                                                                                                    27
102
                                                     //problem
                                                     給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                                                    28
                                                                                                              q.pop();
   最小化最大延遲問題
103
                                                 180
                                                                                                    29
                                                                                                              for(int i : G[cur]) {
104
   //problem
                                                 181
                                                     期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
                                                                                                    30
                                                                                                                  Edge e = E[i];
105
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                          單位懲罰,
   期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為
                                                                                                    31
                                                                                                                  if(level[e.t]==-1 &&
106
                                                 182
                                                     請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                                                                                       e.cap>e.flow) {
        Li=max(0,Fi-Di),
                                                     //solution
                                                 183
                                                                                                                     level[e.t] = level[e.s] + 1;
                                                                                                    32
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                 184
                                                     依照懲罰由大到小排序,
107
                                                                                                                     q.push(e.t);
                                                                                                    33
108
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                     每項工作依序嘗試可不可以放在
                                                 185
                                                          Di-Ti+1,Di-Ti,...,1,0,
                                                                                                                  }
109
   //solution
                                                                                                    34
                                                                                                              }
                                                                                                    35
   按照到期時間從早到晚處理。
                                                     如果有空閒就放進去,否則延後執行。
110
                                                 186
                                                                                                          }
111
   //code
                                                 187
                                                                                                    36
                                                                                                    37
                                                                                                           return ~level[T];
   struct Work{
112
                                                 188
                                                     //problem
                                                                                                    38 }
113
       int t. d:
                                                 189
                                                     給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                                                       int dfs(int cur, int lim) {
                                                                                                    39
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                     期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
114
                                                 190
                                                                                                           if(cur==T || lim==0) return lim;
115
          return d<rhs.d;</pre>
                                                          單位 獎勵,
                                                                                                    40
                                                                                                           int result = 0;
                                                                                                    41
116
                                                     請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                 191
   };
                                                                                                    42
                                                                                                           for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
117
                                                 192
                                                     //solution
                                                                                                               && lim; i++) {
   int main(){
                                                     和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
118
                                                 193
                                                                                                    43
                                                                                                              Edge& e = E[G[cur][i]];
       int n:
                                                     //code
119
                                                 194
                                                                                                              if(level[e.s]+1 != level[e.t])
                                                                                                    44
120
       Work a[10000];
                                                 195 struct Work{
                                                                                                                   continue;
       cin>>n;
121
                                                 196
                                                         int d,p;
                                                                                                              int flow = dfs(e.t, min(lim,
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                         bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                    45
122
                                                 197
                                                                                                                   e.cap-e.flow)):
123
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                 198
                                                            return p>rhs.p;
                                                                                                              if(flow <= 0) continue;</pre>
                                                                                                    46
124
       sort(a,a+n);
                                                 199
                                                                                                              e.flow += flow;
       int maxL=0,sumT=0;
                                                 200 };
                                                                                                    47
125
                                                                                                    48
                                                                                                              result += flow;
126
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                 201 int main(){
                                                                                                              E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
                                                                                                    49
127
           sumT+=a[i].t;
                                                 202
                                                         int n;
                                                                                                    50
                                                                                                              lim -= flow;
128
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                 203
                                                         Work a[100005];
                                                         bitset<100005> ok;
                                                                                                    51
                                                                                                          }
129
                                                 204
                                                                                                    52
130
       cout<<maxL<<'\n';</pre>
                                                 205
                                                         while(cin>>n){
                                                                                                           return result;
                                                                                                    53
   }
131
                                                 206
                                                            ok.reset():
                                                                                                       int dinic() {// O((V^2)E)
132 最少延遲數量問題
                                                            for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                                                                    54
                                                                                                          int result = 0;
```

```
while(bfs()) {
                                                             if (dfn[i] == 0)
                                                                                                           while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
56
                                                  69
                                                                                                     34
          memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
                                                                                                               G.assign(105, vector<int>());
57
                                                  70
                                                                dfs(i):
                                                                                                     35
          result += dfs(S, inf);
                                                        }
                                                                                                               memset(visited, false,
58
                                                  71
                                                                                                     36
59
                                                  72
                                                         printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
                                                                                                                    sizeof(visited));
                                                                                                               memset(low, 0, sizeof(low));
60
      return result:
                                                                                                     37
61 }
                                                         return 0;
                                                                                                               memset(dfn, 0, sizeof(visited));
                                                  73
                                                                                                     38
                                                  74 }
                                                                                                     39
                                                                                                               timer = 0:
                                                                                                     40
                                                                                                               res = 0;
                                                                                                     41
                                                                                                               getchar(); // for \n
   3.5 SCC Tarjan
                                                                                                               while (fgets(input, 105, stdin)) {
                                                                                                     42
                                                     3.6 SCC Kosaraju
                                                                                                     43
                                                                                                                  if (input[0] == '0')
  //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小
                                                                                                     44
                                                                                                                      break;
   //的要數出來,因為題目要方法數
                                                   1 //做兩次dfs, O(V + E)
                                                                                                     45
                                                                                                                  int size = strlen(input);
   //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
                                                                                                     46
                                                                                                                  input[size - 1] = ' \setminus 0';
                                                   2 //g 是原圖, g2 是反圖
   //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
                                                                                                     47
                                                                                                                   --size;
                                                   3 //s是dfs離開的節點
   #define maxn 100005
                                                     void dfs1(int u) {
                                                                                                     48
                                                                                                                  token = strtok(input, " ");
   #define MOD 1000000007
                                                                                                                  int u = atoi(token);
                                                                                                     49
                                                   5
                                                         vis[u] = true;
   long long cost[maxn];
                                                   6
                                                         for (int v : g[u])
   vector<vector<int>> G;
                                                                                                                  while (token = strtok(NULL, " "))
                                                                                                     51
                                                            if (!vis[v]) dfs1(v);
   int SCC = 0;
                                                   8
                                                         s.push_back(u);
                                                                                                                      {
   stack<int> sk;
10
                                                                                                     52
                                                                                                                      v = atoi(token);
                                                   9 }
   int dfn[maxn];
                                                                                                                      G[u].emplace_back(v);
                                                                                                     53
                                                  10
   int low[maxn];
                                                  11 void dfs2(int u) {
                                                                                                     54
                                                                                                                      G[v].emplace_back(u);
   bool inStack[maxn];
                                                                                                     55
                                                                                                                  }
                                                  12
                                                        group[u] = sccCnt;
   int dfsTime = 1;
                                                                                                     56
                                                                                                               }
                                                         for (int v : g2[u])
                                                  13
   long long totalCost = 0;
15
                                                  14
                                                            if (!group[v]) dfs2(v);
                                                                                                     57
                                                                                                               tarjan(1, -1);
   long long ways = 1;
                                                                                                     58
                                                                                                               printf("%d\n", res);
                                                  15 }
   void dfs(int u) {
                                                                                                           }
17
                                                                                                     59
                                                  16
      dfn[u] = low[u] = dfsTime;
                                                                                                     60
                                                                                                           return 0;
                                                     void kosaraju() {
                                                  17
      ++dfsTime:
19
                                                         sccCnt = 0;
                                                  18
20
      sk.push(u);
                                                  19
                                                         for (int i = 1; i <= n; ++i)
21
      inStack[u] = true;
                                                            if (!vis[i]) dfs1(i);
                                                  20
22
      for (int v: G[u]) {
                                                  21
                                                         for (int i = n; i >= 1; --i)
                                                                                                        3.8 最小樹狀圖
23
          if (dfn[v] == 0) {
                                                            if (!group[s[i]]) {
                                                  22
24
              dfs(v):
                                                                ++sccCnt;
                                                  23
                                                                                                     1 const int maxn = 60 + 10;
25
              low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                                dfs2(s[i]);
                                                  24
                                                                                                       const int inf = 0x3f3f3f3f;
26
                                                  25
27
                                                                                                       struct Edge {
          else if (inStack[v]) {
28
              //屬於同個SCC且是我的back edge
                                                                                                           int s, t, cap, cost;
                                                                                                     5 }; // cap 為頻寬 (optional)
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
29
          }
30
                                                                                                      6 int n, m, c;
                                                     3.7 ArticulationPoints Tarjan
31
      }
                                                                                                     7 int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
32
      //如果是SCC
                                                                                                             vis[maxn];
33
      if (dfn[u] == low[u]) {
                                                                                                        // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
                                                   1 | vector<vector<int>> G;
          long long minCost = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                       // 找環,如果沒有則 return;
34
                                                   2 int N, timer;
35
          int currWays = 0;
                                                                                                       // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
                                                   3 bool visited[105];
          ++SCC;
36
                                                                                                       int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
                                                   4 int dfn[105]; // 第一次visit的時間
37
          while (1) {
                                                                                                           int result = 0, root = 0, N = n;
                                                   5 int low[105]:
              int v = sk.top();
38
                                                                                                     13
                                                                                                           while(true) {
                                                   6 //最小能回到的父節點
              inStack[v] = 0;
39
                                                                                                     14
                                                                                                               memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
                                                   7 //(不能是自己的parent)的visTime
40
              sk.pop():
                                                                                                     15
                                                                                                               // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
                                                   8 int res;
41
              if (minCost > cost[v]) {
                                                                                                               // optional: low 為最小 cap 限制
                                                                                                     16
                                                     //求割點數量
                 minCost = cost[v];
                                                                                                     17
                                                                                                               for(const Edge& e : edges) {
42
                                                  10 void tarjan(int u, int parent) {
                 currWays = 1;
                                                                                                                  if(e.cap < low) continue;</pre>
43
                                                                                                     18
                                                         int child = 0;
                                                  11
                                                                                                                  if(e.s!=e.t &&
44
                                                                                                     19
                                                         bool isCut = false;
                                                  12
45
              else if (minCost == cost[v]) {
                                                                                                                        e.cost<inEdge[e.t]) {
                                                  13
                                                         visited[u] = true;
46
                 ++currWays;
                                                                                                                      inEdge[e.t] = e.cost;
                                                                                                     20
                                                  14
                                                         dfn[u] = low[u] = ++timer;
47
              }
                                                                                                     21
                                                                                                                      pre[e.t] = e.s;
                                                         for (int v: G[u]) {
                                                  15
                                                                                                                  }
48
              if(v == u)
                                                                                                     22
                                                             if (!visited[v]) {
49
                 break;
                                                                                                     23
                                                  17
                                                                ++child;
                                                                                                               for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
50
                                                                                                     24
                                                  18
                                                                tarjan(v, u);
51
          totalCost += minCost;
                                                                                                     25
                                                                                                                  if(i!=root && inEdge[i]==inf)
                                                  19
                                                                low[u] = min(low[u], low[v]);
52
          ways = (ways * currWays) % MOD;
                                                                                                     26
                                                                                                                      return -1;//除了root 還有點沒有 in
                                                                if (parent != -1 && low[v] >=
                                                  20
53
                                                                     dfn[u])
54
   }
                                                                                                     27
                                                  21
                                                                    isCut = true;
   int main() {
                                                                                                               int seq = inEdge[root] = 0;
55
                                                                                                     28
                                                  22
56
      int n:
                                                                                                     29
                                                                                                               memset(idx, -1, sizeof(idx));
                                                  23
                                                            else if (v != parent)
      scanf("%d", &n);
57
                                                                                                     30
                                                                                                               memset(vis, -1, sizeof(vis));
                                                                low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                  24
                                                                                                               // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
58
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
                                                                                                     31
                                                  25
          scanf("%11d", &cost[i]);
                                                                                                               for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
59
                                                                                                     32
                                                         //If u is root of DFS
                                                  26
                                                                                                                  result += inEdge[i];
60
      G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                                                                     33
                                                              tree->有兩個以上的children
61
      int m;
                                                                                                     34
                                                                                                                  int cur = i;
                                                         if (parent == -1 && child >= 2)
                                                  27
      scanf("%d", &m);
62
                                                                                                     35
                                                                                                                  while(vis[cur]!=i &&
                                                  28
                                                            isCut = true;
      int u, v;
                                                                                                                       idx[cur]==-1) {
63
                                                  29
                                                         if (isCut) ++res;
      for (int i = 0; i < m; ++i) {
                                                                                                     36
                                                                                                                      if(cur == root) break;
64
                                                  30 }
          scanf("%d %d", &u, &v);
65
                                                                                                                      vis[cur] = i;
                                                                                                     37
                                                  31 int main() {
```

char input[105];

char* token;

32

38

39

40

cur = pre[cur];

if(cur!=root && idx[cur]==-1) {

66

67

68

G[u].emplace_back(v);

for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>

```
3.11 JosephusProblem
                 for(int j=pre[cur]; j!=cur;
                                                 17 struct Item_astar {
                      j=pre[j])
                                                 18
                                                        int u, g, f;
                     idx[j] = seq;
                                                        bool operator <(const Item_astar& other)</pre>
42
                                                 19
                                                                                                    1 //JosephusProblem, 只是規定要先 砍 1號
43
                 idx[cur] = seq++;
                                                             const {
                                                                                                      //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
                                                            return this->f > other.f;
             }
44
                                                 20
                                                                                                      //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
45
                                                 21
                                                                                                      int getWinner(int n, int k) {
                                                 22 };
          if(seq == 0) return result; // 沒有
46
                                                                                                          int winner = 0;
               cycle
                                                 23 vector<vector<Edge>> G;
                                                                                                          for (int i = 1; i <= n; ++i)
47
          for(int i=0; i<N; i++)</pre>
                                                    //反向圖,用於建h(u)
                                                                                                             winner = (winner + k) % i;
48
              // 沒有被縮點的點
                                                    vector<vector<Edge>> invertG;
                                                                                                          return winner;
                                                                                                    8
49
             if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
                                                    int h[maxn];
                                                                                                    9
                                                    bool visited[maxn];
50
          // 缩點並重新編號
                                                 27
                                                                                                   10 int main() {
51
          for(Edge& e : edges) {
                                                    int cnt[maxn];
                                                    //用反向圖去求出每一點到終點的最短距離,並以此當作h(1)
52
             if(idx[e.s] != idx[e.t])
                                                                                                          while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
                 e.cost -= inEdge[e.t];
                                                    void dijkstra(int s, int t) {
53
                                                 30
                                                                                                   13
                                                        memset(visited, 0, sizeof(visited));
54
             e.s = idx[e.s];
                                                 31
                                                                                                   14
                                                                                                             for (int k = 1; k \le n; ++k){
             e.t = idx[e.t];
                                                        priority_queue<Item_pqH> pq;
55
                                                 32
                                                                                                                 if (getWinner(n, k) == 11){
                                                                                                   15
                                                        pq.push({s, 0});
56
                                                 33
                                                                                                   16
                                                                                                                    printf("%d\n", k);
57
          N = seq;
                                                 34
                                                        h[s] = 0;
                                                                                                   17
                                                                                                                    break;
58
          root = idx[root];
                                                 35
                                                        while (!pq.empty()) {
                                                                                                   18
59
                                                 36
                                                            Item_pqH curr = pq.top();
                                                                                                             }
                                                                                                   19
60 }
                                                            pq.pop();
                                                 37
                                                                                                   20
                                                                                                          }
                                                 38
                                                            visited[curr.u] = true;
                                                                                                   21
                                                                                                          return 0;
                                                            for (Edge& edge: invertG[curr.u]) {
                                                 39
                                                               if (!visited[edge.v]) {
                                                 40
   3.9 二分圖最大匹配
                                                                   if (h[edge.v] > h[curr.u] +
                                                 41
                                                                        edge.w) {
                                                                                                      3.12
 1 /* 核心: 最大點獨立集 = IVI -
                                                                      h[edge.v] = h[curr.u] +
                                                                                                               KM
                                                                           edge.w:
        /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
   vector<Student> boys;
                                                                      pq.push({edge.v,
                                                                                                      #define maxn 505
                                                                           h[edge.v]});
   vector<Student> girls;
                                                                                                      int W[maxn][maxn];
                                                                  }
   vector<vector<int>> G;
                                                                                                      int Lx[maxn], Ly[maxn];
                                                 45
                                                               }
   bool used[505];
                                                                                                      bool S[maxn], T[maxn];
                                                 46
                                                           }
   int p[505];
                                                                                                      //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
                                                 47
                                                        }
   bool match(int i) {
                                                                                                      int L[maxn];
                                                 48 }
      for (int j: G[i]) {
                                                                                                      int n;
                                                 49
                                                    int Astar(int s, int t, int k) {
          if (!used[j]) {
                                                                                                      bool match(int i) {
                                                        memset(cnt, 0, sizeof(cnt));
10
             used[j] = true;
                                                                                                          S[i] = true;
                                                        priority_queue<Item_astar> pq;
                                                 51
             if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
                                                                                                          for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                                                                   10
                 p[j] = i;
                                                 52
                                                        pq.push({s, 0, h[s]});
12
                                                 53
                                                        while (!pq.empty()) {
13
                 return true:
                                                                                                   12
                                                                                                             // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
                                                            Item_astar curr = pq.top();
14
             }
                                                                                                             // 要想辦法降低Lx + Lv
                                                                                                   13
                                                 55
15
                                                            pq.pop();
                                                                                                             // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                 56
                                                            ++cnt[curr.u];
16
                                                                                                             if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
                                                                                                   15
17
      return false;
                                                 57
                                                            //終點出現k次,此時即可得k短路
                                                                                                                  !T[j]) {
                                                            if (cnt[t] == k)
                                                 58
18
   }
                                                                                                   16
                                                                                                                 T[j] = true;
                                                               return curr.g;
   void maxMatch(int n) {
19
                                                                                                                 if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
                                                                                                   17
                                                            for (Edge& edge: G[curr.u]) {
                                                 60
20
      memset(p, -1, sizeof(p));
                                                                                                   18
                                                                                                                    L[j] = i;
                                                               if (cnt[edge.v] < k) {</pre>
      int res = 0;
                                                 61
21
                                                                                                   19
                                                                                                                    return true;
                                                 62
                                                                  pq.push({edge.v, curr.g +
22
      for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
                                                                                                   20
                                                                        edge.w, curr.g + edge.w
          memset(used, false, sizeof(used));
23
                                                                                                   21
                                                                                                             }
                                                                        + h[edge.v]});
24
          if (match(i))
                                                                                                   22
                                                 63
25
              ++res;
                                                                                                   23
                                                                                                          return false;
                                                 64
                                                           }
26
                                                                                                   24 }
                                                 65
                                                        }
27
      cout << n - res << '\n';
                                                                                                      //修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                 66
                                                        return -1;
28 }
                                                                                                      //此舉是在通過調整vertex labeling看看
                                                 67 }
                                                                                                      //能不能產生出新的增廣路
                                                 68 int main() {
                                                                                                      //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                 69
                                                        int n. m:
   3.10
           Astar
                                                                                                   29
                                                                                                      //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配
                                                        while (scanf("%d %d", &n, &m) && (n != 0
                                                 70
                                                                                                   30
                                                                                                      void update()
                                                             & m != 0)) {
                                                                                                   31
                                                 71
                                                            G.assign(n + 5, vector<Edge>());
   /*A*求k短路
                                                                                                          int diff = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                   32
                                                            invertG.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                 72
    f(x) = g(x) + h(x)
                                                                                                   33
                                                                                                          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                            int s, t, k;
                                                 73
     g(x) 是實際 cost, h(x) 是估計 cost
                                                                                                   34
                                                                                                             if (S[i]) {
                                                            scanf("%d %d %d", &s, &t, &k);
     在此h(x)用所有點到終點的最短距離,則當用Astar找點
                                                                                                                 for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                                                                   35
                                                            int u, v, w;
    當該點cnt[u] == k時即得到該點的第k短路
 5
                                                                                                                    if (!T[j])
                                                                                                   36
                                                            for (int i = 0; i < m; ++i) {</pre>
                                                 76
                                                                                                                        diff = min(diff, Lx[i] +
                                                               scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                 77
   #define maxn 105
                                                                                                                             Ly[j] - W[i][j]);
                                                 78
                                                               G[u].emplace_back(Edge{u, v, w});
```

38

39

40

41

42

43

44

46

45 }

void KM()

for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>

if (S[i]) Lx[i] -= diff;

if (T[i]) Ly[i] += diff;

invertG[v].emplace_back(Edge{v,

u, w});

dijkstra(t, s);

memset(h, 0x3f, sizeof(h));

printf("%d n", Astar(s, t, k));

79

80

81

82

83

85

}

return 0:

struct Edge {

int u, v, w;

const {

bool operator <(const Item_pqH& other)</pre>

return this->w > other.w;

struct Item_pqH {

int u, w;

9

10 };

11

12

13

15

16 };

res += dis[y][i], y = fa[y][i];

res += dis[x][i] + dis[y][i];

for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {

scanf("%d %d", &u, &v);

if (fa[x][i] != fa[y][i]) {

x = fa[x][i];

y = fa[y][i];

1個祖先(或說y的第2^0 =

1的祖先)即為 $x \times y$ 的1ca

lca) + dis(lca, y)

deltaDep >>= 1) if (deltaDep & 1)

swap(x, y);

```
48
       for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
                                                   29 long long lca(int x, int y) {
          L[i] = -1;
49
                                                   30
                                                           //此函數是找1ca同時計算x \cdot y的距離 -> dis(x,
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
50
51
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                           //讓y比x深
                                                    31
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
52
                                                   32
                                                          if (dep[x] > dep[y])
53
                                                   33
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
54
                                                   34
                                                           int deltaDep = dep[y] - dep[x];
55
          while(1) {
                                                   35
                                                           long long res = 0;
56
              memset(S, false, sizeof(S));
                                                   36
                                                           //讓y與x在同一個深度
57
              memset(T, false, sizeof(T));
                                                           for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                   37
58
              if (match(i))
59
                 break:
                                                   38
60
              else
                                                   39
61
                  update(); //去調整vertex
                                                   40
                                                           if (y == x) //x = y -> x、y彼此是彼此的祖先
                       labeling以增加增廣路徑
                                                   41
                                                              return res:
62
                                                   42
                                                           //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
       }
                                                           for (int i = 30; i \ge 0 && y != x; --i) {
                                                   43
63
   }
64
   int main() {
                                                   45
65
       while (scanf("%d", &n) != EOF) {
                                                   46
66
67
          for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
                                                   47
              for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                   48
68
69
                  scanf("%d", &W[i][j]);
                                                   49
                                                          }
70
          KM();
                                                   50
                                                           //最後發現不能跳了,此時x的第2^0 =
71
          int res = 0;
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
72
73
              if (i != 0)
                                                           res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                   51
                  printf(" %d", Lx[i]);
74
                                                   52
                                                           return res;
75
                                                   53 }
                                                       int main() {
76
                 printf("%d", Lx[i]);
                                                   54
77
              res += Lx[i];
                                                   55
                                                        int n, q;
78
          }
                                                   56
                                                        while (~scanf("%d", &n) && n) {
79
          puts("");
                                                    57
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
80
                                                   58
                                                          G.assign(n + 5, vector<Edge>());
81
              if (i != 0)
                                                   59
                                                            scanf("%d %d", &v, &w);
                  printf(" %d", Ly[i]);
82
                                                   60
83
                                                   61
                                                            G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
                 printf("%d", Ly[i]);
84
                                                   62
                                                            G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
85
                                                   63
              res += Ly[i];
86
                                                              dfs(1, 0);
                                                   64
          puts("");
                                                              scanf("%d", &q);
                                                   65
87
88
          printf("%d\n", res);
                                                   66
                                                              int u;
89
                                                   67
90
                                                   68
       return 0:
91
                                                   69
                                                   70
                                                        }
   3.13 LCA 倍增法
                                                   71
                                                   72
                                                        return 0;
```

```
//倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
   //利用1ca找樹上任兩點距離
   #define maxn 100005
   struct Edge {
   int u, v, w;
 6
  };
 7
   vector<vector<Edge>> G; // tree
   int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
   long long dis[maxn][31];
   int dep[maxn];//深度
10
11
   void dfs(int u, int p) {//預處理fa
      fa[u][0] = p; //因為u的第2^0 = 1的祖先就是p
12
13
      dep[u] = dep[p] + 1;
      //第2^{i}的祖先是(第2^{i} - 1)個祖先)的
14
15
      //第2<sup>^</sup>(i - 1)的祖先
      //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
16
17
      for (int i = 1; i < 31; ++i) {</pre>
18
          fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
          dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
19
               + dis[u][i - 1];
20
21
      //遍歷子節點
22
      for (Edge& edge: G[u]) {
          if (edge.v == p)
23
              continue;
24
          dis[edge.v][0] = edge.w;
25
26
          dfs(edge.v, u);
27
      }
28 }
```

3.14 LCA 樹壓平 RMQ

while (q--) {

```
1 //樹壓平求LCA RMQ(sparse table
       O(nlogn)建立, O(1)查詢), 求任意兩點距離,
   //如果用笛卡兒樹可以壓到0(n)建立,0(1)查詢
   //理論上可以過,但遇到直鏈的case dfs深度會stack
       overflow
 4 #define maxn 100005
  struct Edge {
5
   int u, v, w;
7 };
 8 int dep[maxn], pos[maxn];
9 long long dis[maxn];
10 int st[maxn * 2][32]; //sparse table
11 int realLCA[maxn * 2][32];
       //最小深度對應的節點,及真正的LCA
12 int Log[maxn]; //取代std::log2
13 int tp; // timestamp
  vector<vector<Edge>> G; // tree
14
15
  void calLog() {
   Log[1] = 0;
16
    Log[2] = 1;
17
   for (int i = 3; i < maxn; ++i)</pre>
18
19
      Log[i] = Log[i / 2] + 1;
```

20 }

21 void buildST() {

```
for (int j = 0; Log[tp]; ++j) {
22
       for (int i = 0; i + (1 << j) - 1 < tp;
23
             ++i) {
         <mark>if</mark> (st[i - 1][j] < st[i - 1][j + (1 <<
              i - 1)]) {
           st[i][j] = st[i - 1][j];
25
26
           realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j];
27
28
         else {
           st[i][j] = st[i - 1][j + (1 << i -
29
           realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j + (1)]
30
                << i - 1)];
31
         }
32
       }
33
   } // O(nlogn)
34
   int query(int 1, int r) {// [1, r] min
         depth即為1ca的深度
     int k = Log[r - 1 + 1];
36
37
     if (st[l][k] < st[r - (1 << k) + 1][k])</pre>
       return realLCA[1][k];
38
39
     else
40
       return realLCA[r - (1 << k) + 1][k];</pre>
41
42
   void dfs(int u, int p) {//euler tour
43
     pos[u] = tp;
44
     st[tp][0] = dep[u];
     realLCA[tp][0] = dep[u];
45
46
     for (int i = 0; i < G[u].size(); ++i) {</pre>
47
48
       Edge& edge = G[u][i];
       if (edge.v == p) continue;
49
       dep[edge.v] = dep[u] + 1;
50
       dis[edge.v] = dis[edge.u] + edge.w;
       dfs(edge.v, u);
52
53
       st[tp++][0] = dep[u];
54
    }
55
   long long getDis(int u, int v) {
56
     if (pos[u] > pos[v])
57
58
       swap(u, v);
     int lca = query(pos[u], pos[v]);
59
60
     return dis[u] + dis[v] - 2 *
          dis[query(pos[u], pos[v])];
61 }
   int main() {
62
     int n, q;
63
       calLog();
64
65
     while (~scanf("%d", &n) && n) {
66
       int v. w:
       G.assign(n + 5, vector<Edge>());
67
68
69
           for (int i = 1; i \le n - 1; ++i) {
         scanf("%d %d", &v, &w);
70
         G[i].push_back({i, v, w});
71
72
         G[v].push_back({v, i, w});
       }
73
74
           dfs(0, -1);
75
           buildST();
76
           scanf("%d", &q);
77
78
           while (q--) {
               scanf("%d %d", &u, &v);
79
               printf("%11d%c", getDis(u, v),
80
                    (q) ? ' ' : ' \setminus n');
```

3.15 LCA 樹鍊剖分

}

return 0;

81

83

} 82

```
1 #define maxn 5005
 //LCA,用來練習樹鍊剖分
3
 //題意:
     給定樹,找任兩點的中點,若中點不存在(路徑為even),
```

```
int dfn[maxn];
                                                             scanf("%d", &q);
                                                   80
                                                                                                      18
                                                                                                             G[u].emplace_back(m - 2);
   int parent[maxn];
                                                             for (int i = 0; i < q; ++i) {
                                                                                                      19
                                                                                                            G[v].emplace_back(m - 1);
                                                   81
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
   int depth[maxn];
                                                   82
                                                                                                      20 }
   int subtreeSize[maxn];
                                                   83
                                                                 //先得到LCA
                                                                                                      21 //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
                                                                 int lca = LCA(u, v);
   //樹鍊的頂點
                                                                                                         bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
                                                   84
   int top[maxn];
                                                                 //計算路徑長(經過的邊)
                                                                                                              minCost) {
                                                   85
                                                                                                             // memset(outFlow, 0x3f,
   //將dfn轉成node編碼
                                                                 int dis = depth[u] + depth[v] - 2
                                                   86
                                                                                                      23
   int dfnToNode[maxn];
                                                                                                                  sizeof(outFlow));
                                                                      * depth[lca];
   //重兒子
                                                   87
                                                                 //讓v比u深或等於
                                                                                                      24
                                                                                                             memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
   int hson[maxn];
                                                   88
                                                                 if (depth[u] > depth[v])
                                                                                                             memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
                                                                                                      25
13
   int dfsTime = 1;
                                                   89
                                                                     swap(u, v);
                                                                                                      26
                                                                                                             queue<int> q;
                                                                                                             q.push(s);
   //tree
                                                                 if (u == v) {
                                                                                                      27
15
                                                   90
   vector<vector<int>> G;
                                                                    printf("The fleas meet at
                                                                                                      28
                                                                                                             dis[s] = 0;
   //處理parent \cdot depth \cdot subtreeSize \cdot dfnToNode
                                                                                                             inqueue[s] = true;
                                                                          %d.\n", u);
                                                                                                      29
   void dfs1(int u, int p) {
18
                                                   92
                                                                                                      30
                                                                                                             outFlow[s] = INF;
19
      parent[u] = p;
                                                   93
                                                                 else if (dis % 2 == 0) {
                                                                                                      31
                                                                                                             while (!q.empty()) {
      hson[u] = -1;
                                                                     //路徑長是even -> 有中點
                                                                                                                int u = q.front();
20
                                                                                                      32
                                                   94
      subtreeSize[u] = 1;
                                                                     printf("The fleas meet at
                                                                                                                q.pop();
                                                                                                      33
22
                                                                          %d.\n", getK_parent(v,
                                                                                                                inqueue[u] = false;
      for (int v: G[u]) {
                                                                                                      34
                                                                                                                for (const int edgeIndex: G[u]) {
23
          if (v != p) {
                                                                         dis / 2));
                                                                                                      35
                                                                 }
                                                                                                                    const Edge& edge =
24
              depth[v] = depth[u] + 1;
                                                   96
                                                                                                      36
                                                                                                                         edges[edgeIndex];
25
              dfs1(v, u);
                                                                 else {
                                                   97
26
              subtreeSize[u] += subtreeSize[v];
                                                   98
                                                                     //路徑長是odd -> 沒有中點
                                                                                                      37
                                                                                                                    if ((edge.cap > edge.flow) &&
                                                                                                                         (dis[edge.v] > dis[u] +
27
              if (hson[u] == -1 ||
                                                   99
                                                                    if (depth[u] == depth[v]) {
                   subtreeSize[hson[u]] <</pre>
                                                                                                                         edge.cost)) {
                                                  100
                                                                        int x = getK_parent(u, dis
                   subtreeSize[v]) {
                                                                             / 2);
                                                                                                                        dis[edge.v] = dis[u] +
                                                                                                      38
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
                 hson[u] = v;
                                                                                                                             edge.cost;
28
                                                  101
29
              }
                                                                             / 2);
                                                                                                      39
                                                                                                                        parent[edge.v] = edgeIndex;
                                                                        if (x > y)
                                                                                                                        outFlow[edge.v] =
30
          }
                                                  102
                                                                                                      40
31
      }
                                                  103
                                                                            swap(x, y);
                                                                                                                             min(outFlow[u], (long
   }
                                                                        printf("The fleas jump
                                                                                                                             long)(edge.cap -
32
                                                  104
33
   //實際剖分 <- 參數 t是 top的意思
                                                                              forever between %d
                                                                                                                             edge.flow));
   //t初始應為root本身
                                                                             and %d.\n", x, y);
                                                                                                                        if (!inqueue[edge.v]) {
                                                                                                      41
   void dfs2(int u, int t) {
35
                                                  105
                                                                    }
                                                                                                      42
                                                                                                                           q.push(edge.v);
      top[u] = t;
                                                                     else {
                                                                                                                           inqueue[edge.v] = true;
36
                                                  106
                                                                                                      43
      dfn[u] = dfsTime;
37
                                                                        //技巧: 讓深的點v往上dis /
                                                  107
                                                                                                      44
38
      dfnToNode[dfsTime] = u;
                                                                             2步 = y,
                                                                                                      45
                                                                                                                    }
                                                                                                                }
39
      ++dfsTime;
                                                  108
                                                                        //這個點的parent設為x
                                                                                                      46
      //葉子點 -> 沒有重兒子
                                                                        //此時的x、y就是答案要的中點兩點47
                                                  109
40
                                                                                                            }
41
      if (hson[u] == -1)
                                                                        //主要是往下不好找,所以改用深的影
                                                                                                             //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
                                                  110
42
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
                                                                                                             if (dis[t] > 0)
          return:
                                                  111
                                                                                                     49
      //優先對重兒子dfs,才能保證同一重鍊dfn連續
                                                                             / 2);
43
                                                                                                      50
                                                                                                                return false;
                                                                        int x = getK_parent(y, 1);
                                                                                                             maxFlow += outFlow[t];
44
      dfs2(hson[u], t);
                                                  112
                                                                                                      51
45
      for (int v: G[u]) {
                                                  113
                                                                        if (x > y)
                                                                                                      52
                                                                                                             minCost += dis[t] * outFlow[t];
          if (v != parent[u] && v != hson[u])
46
                                                  114
                                                                            swap(x, y);
                                                                                                      53
                                                                                                             //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
                                                                        printf("The fleas jump
                                                                                                             //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
47
              dfs2(v, v);
                                                                                                      54
                                                  115
                                                                              forever between %d
                                                                                                             int curr = t;
48
                                                                                                      55
                                                                             and %d.\n", x, y);
49
   }
                                                                                                             while (curr != s) {
                                                                                                      56
50
   //不斷跳鍊,當跳到同一條鍊時,深度小的即為LCA
                                                                    }
                                                                                                      57
                                                                                                                edges[parent[curr]].flow +=
                                                  116
51
   //跳鍊時優先鍊頂深度大的跳
                                                  117
                                                                 }
                                                                                                                     outFlow[t];
   int LCA(int u, int v) {
                                                             }
                                                                                                                edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
52
                                                  118
                                                                                                      58
      while (top[u] != top[v]) {
                                                  119
                                                         }
                                                                                                                     outFlow[t];
          if (depth[top[u]] > depth[top[v]])
54
                                                  120
                                                          return 0;
                                                                                                      59
                                                                                                                curr = edges[parent[curr]].u;
55
              u = parent[top[u]];
                                                  121 }
                                                                                                      60
                                                                                                            }
56
          else
                                                                                                      61
                                                                                                             return true;
57
              v = parent[top[v]];
                                                                                                      62 }
58
                                                                                                      63 long long MCMF() {
                                                      3.16 MCMF
                                                                                                             long long maxFlow = 0;
59
      return (depth[u] > depth[v]) ? v : u;
                                                                                                      64
                                                                                                             long long minCost = 0;
60
                                                                                                      65
                                                    1 #define maxn 225
                                                                                                             while (SPFA(maxFlow, minCost))
   int getK_parent(int u, int k) {
61
                                                                                                      66
                                                     #define INF 0x3f3f3f3f
      while (k-- && (u != -1))
                                                                                                      67
62
                                                      struct Edge {
63
          u = parent[u];
                                                                                                      68
                                                                                                             return minCost;
                                                          int u, v, cap, flow, cost;
64
      return u;
                                                                                                      69
                                                                                                         }
                                                    5 };
65
   }
                                                                                                      70
                                                                                                         int main() {
   int main() {
                                                    6 //node size, edge size, source, target
                                                                                                            int T;
                                                                                                      71
66
                                                     int n, m, s, t;
                                                                                                             scanf("%d", &T);
67
      int n;
                                                                                                      72
      while (scanf("%d", &n) && n) {
                                                    8
                                                      vector<vector<int>> G;
68
                                                                                                      73
                                                                                                             for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>
                                                      vector<Edge> edges;
69
          dfsTime = 1;
                                                                                                                //總共幾個月, 囤貨成本
                                                                                                      74
                                                   10 bool inqueue[maxn]:
70
          G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                                                                      75
                                                                                                                int M, I;
                                                   11 long long dis[maxn];
                                                                                                                scanf("%d %d", &M, &I);
71
          int u, v;
                                                                                                      76
                                                   12 int parent[maxn];
          for (int i = 1; i < n; ++i) {
72
                                                                                                      77
                                                                                                                //node size
                                                   13
                                                     long long outFlow[maxn];
                                                                                                                n = M + M + 2;
73
              scanf("%d %d", &u, &v);
                                                                                                      78
                                                      void addEdge(int u, int v, int cap, int
              G[u].emplace_back(v);
                                                   14
                                                                                                                G.assign(n + 5, vector<int>());
74
                                                                                                      79
75
              G[v].emplace_back(u);
                                                                                                      80
                                                                                                                edges.clear();
                                                   15
                                                          edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0,
76
                                                                                                                s = 0:
                                                                                                      81
                                                               cost});
77
          dfs1(1, -1);
                                                                                                                t = M + M + 1;
                                                          edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
                                                   16
                                                                                                                for (int i = 1; i <= M; ++i) {
78
          dfs2(1, 1);
                                                                                                      83
79
          int q;
                                                               -cost});
                                                   17
                                                          m = edges.size();
```

```
int produceCost, produceMax,
                                                    45
                                                               scanf("%d", &prefix[i]);
                                                                                                         32
                                                                                                                           D[U[j]] = D[j];
84
                                                               prefix[i] ^= prefix[i - 1];
                   sellPrice, sellMax,
                                                    46
                                                                                                         33
                                                                                                                           --colSize[col[j]];
                   inventoryMonth;
                                                                                                                       }
                                                    47
                                                                                                         34
               scanf("%d %d %d %d %d",
                                                           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                                                                         35
                                                                                                                   }
                                                    48
                   &produceCost, &produceMax,
                                                    49
                                                               scanf("%d %d", &querys[i].1,
                                                                                                         36
                                                                                                               void recover(int c) {
                   &sellPrice, &sellMax,
                                                                    &querys[i].r);
                                                                                                         37
                                                                                                                   for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
                   &inventoryMonth);
                                                    50
                                                               //減1是因為prefix[i]是[1,
                                                                                                         38
              addEdge(s, i, produceMax,
                                                                    i]的前綴XOR和,所以題目問[1,
                                                                                                                       for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                                                                                                         39
86
                   produceCost);
                                                                    r]我們要回答[1 - 1, r]的答案
                                                                                                         40
                                                                                                                           U[D[j]] = D[U[j]] = j;
              addEdge(M + i, t, sellMax,
                                                               --auervsΓil.l:
                                                                                                                           ++colSize[col[j]];
87
                                                    51
                                                                                                         41
                    -sellPrice);
                                                    52
                                                               querys[i].id = i;
                                                                                                         42
                                                           3
                                                                                                                   }
88
              for (int j = 0; j <=</pre>
                                                    53
                                                                                                         43
                   inventoryMonth; ++j) {
                                                           sort(querys + 1, querys + m + 1);
                                                                                                         44
                                                                                                                   L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                    54
                  if (i + j \le M)
                                                    55
                                                           int 1 = 1, r = 0;
                                                                                                         45
89
90
                      addEdge(i, M + i + j, INF,
                                                    56
                                                           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                                                                         46
                                                                                                               bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                           I * j);
                                                    57
                                                               while (1 < querys[i].1) {</pre>
                                                                                                         47
                                                                                                                   if(R[0] == 0) {
              }
                                                                   sub(1);
                                                                                                                       resSize = idx;
91
                                                    58
                                                                                                         48
92
                                                                   ++1;
                                                                                                         49
                                                                                                                       return true;
          printf("Case %d: %11d\n", Case,
93
                                                    60
                                                               }
                                                                                                         50
                                                               while (1 > querys[i].1) {
                -MCMF());
                                                    61
                                                                                                         51
                                                                                                                   int c = R[0]:
       }
                                                    62
                                                                   --1;
                                                                                                         52
                                                                                                                   for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
94
                                                                   add(1);
                                                                                                                       if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
95
       return 0;
                                                    63
                                                                                                         53
96 }
                                                    64
                                                                                                         54
                                                               while (r < querys[i].r) {</pre>
                                                    65
                                                                                                         55
                                                                                                                   remove(c);
                                                    66
                                                                                                         56
                                                                                                                   for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
            莫隊
                                                    67
                                                                   add(r);
                                                                                                         57
                                                                                                                       result[idx] = row[i];
   3.17
                                                    68
                                                                                                         58
                                                                                                                       for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                    69
                                                               while (r > querys[i].r) {
                                                                                                         59
                                                                                                                           remove(col[j]);
   /*利用prefix前綴XOR和
                                                    70
                                                                                                                       if(dfs(idx+1)) return true;
                                                                   sub(r);
                                                                                                         60
     如果要求[x, y]的XOR和只要回答prefix[y]
                                                    71
                                                                   --r;
                                                                                                         61
                                                                                                                       for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
          prefix[x - 1]即可在0(1)回答
                                                               }
                                                    72
                                                                                                         62
                                                                                                                           recover(col[j]);
     同時維護cnt[i]代表[x, y]XOR和 == i的個數
                                                    73
                                                               ans[querys[i].id] = res;
                                                                                                         63
                                                                                                                   }
     如此我們知道[1, r]可以快速知道[1 - 1, r], [1
                                                                                                                   recover(c);
                                                    74
                                                                                                         64
          + 1, r], [1, r - 1], [1, r + 1]的答案
                                                    75
                                                           for (int i = 1; i \le m; ++i){
                                                                                                         65
                                                                                                                   return false;
     就符合Mo's algorithm的思維O(N * sqrt(n))
                                                               printf("%11d\n", ans[i]);
                                                    76
                                                                                                         66
     每次轉移為0(1),具體轉移方法在下面*/
                                                    77
                                                                                                               void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
                                                                                                         67
   #define maxn 100005
                                                    78
                                                                                                                     depth 版
                                                           return 0:
 8
   //在此prefix[i]是[1, i]的XOR和
                                                    79 }
                                                                                                         68
                                                                                                                   if(R[0] == 0) {
   int prefix[maxn];
                                                                                                                       resSize = min(resSize, idx); //
                                                                                                         69
   //log_2(1000000) =
10
                                                                                                                            注意init值
        19.931568569324174087221916576937...
                                                                                                         70
                                                                                                                       return:
                                                                Dancing Links
                                                       3.18
   //所以開到1 << 20
                                                                                                         71
                                                                                                                   }
   //cnt[i]代表的是有符合nums[x, y] such that
                                                                                                         72
                                                                                                                   int c = R[0];
        nums[x] ^ nums[x + 1] ^ ... ^ nums[y] ==
                                                     1 struct DLX {
                                                                                                         73
                                                                                                                   for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                           int seq, resSize;
                                                                                                         74
                                                                                                                       if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                           int col[maxn], row[maxn];
                                                                                                         75
14 long long cnt[1 << 20];
                                                           int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
                                                                                                         76
                                                                                                                   remove(c);
   //塊大小 -> sqrt(n)
                                                           int rowHead[maxn], colSize[maxn];
15
                                                                                                                   for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                         77
16
   int sqrtQ;
                                                           int result[maxn];
                                                                                                                       for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                         78
17
   struct Query {
                                                           DLX(int r, int c) {
                                                                                                                           remove(col[j]);
                                                                                                         79
       int 1, r, id;
                                                               for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
                                                                                                         80
                                                                                                                       dfs(idx+1);
                                                                   L[i] = i-1, R[i] = i+1;
       bool operator < (const Query& other)</pre>
                                                     9
19
                                                                                                                       for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                                                                         81
                                                    10
                                                                   U[i] = D[i] = i;
                                                                                                                           recover(col[j]);
                                                                                                         82
20
           if (this->1 / sqrtQ != other.1 /
                                                    11
                                                                                                         83
                                                                                                                   }
                                                               L[R[seq=c]=0]=c;
                sgrt()
                                                    12
                                                                                                         84
                                                                                                                   recover(c);
              return this->l < other.l;</pre>
                                                    13
                                                               resSize = -1;
21
                                                                                                               }
                                                                                                         85
22
           //奇偶排序(優化)
                                                               memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
                                                    14
                                                                                                         86 };
23
          if (this->1 / sqrtQ & 1)
                                                    15
                                                               memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
24
              return this->r < other.r;</pre>
                                                    16
25
           return this->r > other.r;
                                                    17
                                                           void insert(int r, int c) {
26
      }
                                                    18
                                                               row[++seq]=r, col[seq]=c,
                                                                    ++colSize[c];
27
   };
   Query querys[maxn];
                                                    19
                                                               U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,
                                                                    D[c]=seq;
29
   long long ans[maxn];
30
   long long res = 0;
                                                    20
                                                               if(rowHead[r]) {
31
   int k;
                                                    21
                                                                  L[seq]=rowHead[r],
32
   void add(int x) {
                                                                        R[seq]=R[rowHead[r]];
       res += cnt[k ^ prefix[x]];
                                                                   L[R[rowHead[r]]]=seq,
33
                                                    22
       ++cnt[prefix[x]];
                                                                        R[rowHead[r]]=seq;
34
35
  }
                                                    23
   void sub(int x) {
                                                                   rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =
36
                                                    24
37
       --cnt[prefix[x]];
38
       res -= cnt[k ^ prefix[x]];
                                                    25
                                                               }
39 }
                                                    26
   int main() {
                                                    27
                                                           void remove(int c) {
40
                                                               L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
41
       int n, m;
                                                    28
       scanf("%d %d %d", &n, &m, &k);
42
                                                    29
                                                               for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                   for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
43
       sqrtQ = sqrt(n);
                                                    30
```

U[D[j]] = U[j];

for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>

44

set<Node>::iterator end = split(r + 1),

chthollyTree.insert(Node(1, r, val));

set<Node>::iterator end = split(r + 1);

for (set<Node>::iterator it = begin; it

set<Node>::iterator begin = split(1);

//查詢區間第k小 -> 直接把每個區間丟去vector排序

set<Node>::iterator end = split(r + 1);

vector<pair<long long, long long>> vec;

for (set<Node>::iterator it = begin; it

for (const pair<long long, long long>&

set<Node>::iterator begin = split(1);

//pair -> first: val, second: 區間長度

30 void assign(long long 1, long long r, long

//因為end可以在原本begin的區間中

chthollyTree.erase(begin, end);

begin = split(1);

long val) {

//begin到end全部刪掉

//填回去[1, r]的區間

!= end; ++it)

long r, long long k) {

!= end; ++it) {

sort(vec.begin(), vec.end());

return p.first;

res = res * x % mod;

long long n, long long mod) {

set<Node>::iterator end = split(r + 1);

for (set<Node>::iterator it = begin; it

total = (total + qpow(it->val, n,

mod) * (it->r - it->l + 1)) %

set<Node>::iterator begin = split(1):

+ 1});

p: vec) {

if (k <= 0)

long long mod) {

long long res = 1;

if (n & 1)

x = x * x % mod;

long long total = 0;

!= end; ++it)

mod;

n >>= 1;

return res;

//區間n次方和

}

//不應該跑到這

return -1;

x % = mod;

while (n)

k -= p.second;

57

58

59

60

it->val += val;

//<注意>

31

DataStructure 4.1 BIT

```
1 template <class T> class BIT {
                                                    32
   private:
                                                    33
     int size:
     vector<T> bit;
                                                    34
    vector<T> arr;
                                                    35
                                                    36
                                                    37
                                                    38 }
    BIT(int sz=0): size(sz), bit(sz+1),
          arr(sz) {}
                                                    39 //區間加值(直接一個個區間去加)
                                                    40 void add(long long 1, long long r, long long
     /** Sets the value at index idx to val. */
10
11
     void set(int idx, T val) {
          add(idx, val - arr[idx]);
12
                                                    42
13
14
15
     /** Adds val to the element at index idx.
                                                    44
                                                    45 }
     void add(int idx, T val) {
16
                                                    46
17
      arr[idx] += val;
                                                    47 long long getKthSmallest(long long 1, long
      for (++idx; idx<=size; idx+=(idx & -idx))</pre>
18
              bit[idx] += val;
19
20
                                                    49
21
                                                    50
     /** @return The sum of all values in [0,
                                                    51
          idx7. */
                                                    52
23
     T pre_sum(int idx) {
      T total = 0;
24
                                                    53
25
      for (++idx; idx>0; idx-=(idx & -idx))
26
              total += bit[idx];
                                                    54
27
      return total:
                                                    55
28
                                                    56
29 };
```

4.2 ChthollyTree

```
61
                                                62
 1 //重點:要求輸入資料隨機,否則可能被卡時間
  struct Node {
                                                63 }
                                                64
 3
      long long l, r;
      mutable long long val;
                                                   long long qpow(long long x, long long n,
      Node(long long 1, long long r, long long
           val)
                                                67
          : l(l), r(r), val(val){}
      bool operator < (const Node& other)</pre>
                                                68
                                                69
           const{
                                                70
 8
          return this->l < other.l;</pre>
                                                71
9
      }
                                                72
10 };
                                                 73
   set<Node> chthollyTree;
                                                74
   //將[1, r] 拆成 [1, pos - 1], [pos, r]
                                                75
13
   set<Node>::iterator split(long long pos) {
                                                76 }
      //找第一個左端點大於等於pos的區間
14
                                                77
15
      set<Node>::iterator it =
                                                   long long sumOfPow(long long l, long long r,
           chthollyTree.lower_bound(Node(pos,
                                                78
           0, 0));
                                                79
16
      //運氣很好直接找到左端點是pos的區間
17
      if (it != chthollyTree.end() && it->l ==
                                                81
           pos)
                                                82
          return it:
18
      //到這邊代表找到的是第一個左端點大於pos的區間
19
20
      //it -
           1即可找到左端點等於pos的區間(不會是別的,因為
21
      long long l = it->l, r = it->r;
22
23
      long long val = it->val;
                                                85
      chthollyTree.erase(it);
24
25
      chthollyTree.insert(Node(1, pos - 1,
           val)):
26
      //回傳左端點是pos的區間iterator
27
      return chthollyTree.insert(Node(pos, r,
```

val)).first:

29 //區間賦值

4.3 線段樹 1D

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
```

return total;

```
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
                                       4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
                                         inline int pull(int 1, int r) {
 end與begin的順序不能調換,因為end的split可能 // 隨題目改變 sum、max、min
                                         // 1、r是左右樹的index
                                             return st[l] + st[r];
                                       9 }
                                         void build(int 1, int r, int i) {
                                         // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
                                             if (1 == r) {
                                      12
                                      13
                                                st[i] = data[l];
                                      14
                                                return:
                                      15
                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                      16
                                      17
                                             build(1, mid, i * 2);
                                      18
                                             build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
                                             st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
                                      19
                                      20 }
                                         int query(int ql, int qr, int l, int r, int
                                      21
                                              i) {
                                      22
                                            [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
                                             if (q1 <= 1 && r <= qr)</pre>
                                      23
                                                return st[i];
                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                      25
                                      26
                                             if (tag[i]) {
                                      27
                                                //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                      28
                                                st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                      29
                                                st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
                                      30
                                      31
                                                tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
vec.push_back({it->val, it->r - it->l
                                      32
                                                tag[i] = 0;
                                      33
                                             int sum = 0;
                                      34
                                      35
                                             if (al <= mid)
                                                sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
                                      36
                                      37
                                             if (qr > mid)
                                      38
                                                sum += query(ql, qr, mid + 1, r,
                                                    i*2+1);
                                      39
                                             return sum:
                                      40
                                         void update(int ql,int qr,int l,int r,int
                                      41
                                              i.int c) {
                                         // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
                                      42
                                         // c是變化量
                                      43
                                             if (ql <= 1 && r <= qr) {
                                                st[i] += (r - 1 + 1) * c;
                                      45
                                                     //求和,此需乘上區間長度
                                                tag[i] += c;
                                      46
                                      47
                                                return:
                                      48
                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                      49
                                      50
                                             if (tag[i] && l != r) {
                                      51
                                                //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                      52
                                                st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                      53
                                                st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                      54
                                                tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
                                      55
                                                tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
                                                tag[i] = 0;
                                      56
                                      57
                                             if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
                                      58
                                                  * 2, c);
                                             if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
                                      59
                                                  i*2+1, c);
                                             st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
                                      60
                                      61 }
                                      62 //如果是直接改值而不是加值, query與update中的tag與st的
                                      63 //改值從+=改成=
```

4.4 線段樹 2D

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
3 int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
 int N:
 void modifyY(int index, int 1, int r, int
      val, int yPos, int xIndex, bool
       xIsLeaf) {
```

```
if (1 == r) {
                                                                int mid = (1 + r) / 2;
                                                     57
                                                                                                          27
                                                                                                                 //k比左子樹小
           if (xIsLeaf) {
                                                                if (xql <= mid)</pre>
                                                                                                                 if (k <= st[index * 2])</pre>
                                                     58
                                                                                                          28
              maxST[xIndex][index] =
                                                                   queryX(index * 2, 1, mid, xql,
                                                                                                                    return query(index * 2, 1, mid, k);
 8
                                                     59
                                                                                                          29
                    minST[xIndex][index] = val;
                                                                         xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
                                                                                                          30
                                                                if (mid < xqr)</pre>
              return;
                                                     60
                                                                                                          31
                                                                                                                    return query(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                                    queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                                                                                                                          r, k - st[index * 2]);
10
                                                                                                          32 }
11
           maxST[xIndex][index] =
                                                                         xql, xqr, yql, yqr, vmax,
                max(maxST[xIndex * 2][index],
                                                                         vmin);
                                                                                                          33
                                                                                                             int main() {
                maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
                                                     62
                                                           }
                                                                                                          34
                                                                                                                 int t;
           minST[xIndex][index] =
                                                     63 }
                                                                                                                 cin >> t;
                                                                                                          35
12
                min(minST[xIndex * 2][index],
                                                     64
                                                        int main() {
                                                                                                          36
                                                                                                                 bool first = true;
                                                            while (scanf("%d", &N) != EOF) {
                                                                                                                 while (t--) {
                minST[xIndex * 2 + 1][index]);
                                                                                                          37
                                                     65
                                                                int val:
                                                                                                          38
                                                                                                                    if (first)
13
                                                     66
                                                                                                                        first = false;
14
       else {
                                                     67
                                                                for (int i = 1; i <= N; ++i) {
                                                                                                          39
15
           int mid = (1 + r) / 2;
                                                     68
                                                                    for (int j = 1; j <= N; ++j) {</pre>
                                                                                                          40
                                                                                                                     else
                                                                       scanf("%d", &val);
16
           if (yPos <= mid)</pre>
                                                     69
                                                                                                          41
                                                                                                                        puts("");
              modifyY(index * 2, 1, mid, val,
                                                                       modifyX(1, 1, N, val, i, j);
                                                                                                                     memset(st, 0, sizeof(st));
17
                                                     70
                                                                                                          42
                    yPos, xIndex, xIsLeaf);
                                                     71
                                                                                                          43
                                                                                                                     int m, n;
           else
                                                     72
                                                               }
                                                                                                                     cin >> m >> n;
18
                                                                                                          44
              modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                     73
                                                                int q;
                                                                                                          45
                                                                                                                     for (int i = 1; i \le m; ++i) {
19
                    r, val, yPos, xIndex,
                                                     74
                                                                int vmax, vmin;
                                                                                                          46
                                                                                                                        cin >> nums[i];
                                                                int xql, xqr, yql, yqr;
                                                                                                                        id[i] = nums[i];
                    xIsLeaf):
                                                     75
                                                                                                          47
20
                                                     76
                                                                char op:
                                                                                                          48
                                                                                                                    }
21
           maxST[xIndex][index] =
                                                     77
                                                                scanf("%d", &q);
                                                                                                          49
                                                                                                                     for (int i = 0; i < n; ++i)
                max(maxST[xIndex][index * 2],
                                                     78
                                                                while (q--) {
                                                                                                          50
                                                                                                                        cin >> getArr[i];
                maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
                                                     79
                                                                   getchar(); //for \n
                                                                                                          51
                                                                                                                     //離散化
           minST[xIndex][index] =
                                                                    scanf("%c", &op);
                                                                                                                     //防止m == 0
22
                                                     80
                                                                                                          52
                                                                   if (op == 'q') {
                min(minST[xIndex][index * 2],
                                                     81
                                                                                                          53
                                                                                                                     if (m)
                                                                       scanf("%d %d %d %d", &xql,
                minST[xIndex][index * 2 + 1]);
                                                                                                                        sort(id + 1, id + m + 1);
                                                     82
                                                                                                          54
23
                                                                            &yql, &xqr, &yqr);
                                                                                                          55
                                                                                                                     int stSize = unique(id + 1, id + m +
   }
                                                                                                                          1) - (id + 1);
24
                                                     83
                                                                       vmax = -0x3f3f3f3f;
                                                                       vmin = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                                     for (int i = 1; i <= m; ++i) {
25
   void modifyX(int index, int 1, int r, int
                                                     84
                                                                                                          56
        val, int xPos, int yPos) {
                                                     85
                                                                       queryX(1, 1, N, xql, xqr,
                                                                                                                        nums[i] = lower_bound(id + 1, id)
                                                                                                          57
                                                                            yql, yqr, vmax, vmin);
26
       if (1 == r) {
                                                                                                                              + stSize + 1, nums[i]) - id;
27
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                                                       printf("%d %d\n", vmax, vmin);
                                                                                                          58
                                                                   }
                                                                                                                     int addCount = 0;
                true):
                                                     87
                                                                                                          59
28
                                                                                                          60
                                                                                                                     int getCount = 0;
                                                     88
                                                                   else {
                                                                       scanf("%d %d %d", &xql, &yql,
29
       else {
                                                     89
                                                                                                          61
                                                                                                                     int k = 1;
           int mid = (1 + r) / 2;
                                                                            &val);
                                                                                                                     while (getCount < n) {</pre>
30
                                                                                                          62
31
           if (xPos <= mid)</pre>
                                                                       modifyX(1, 1, N, val, xql,
                                                                                                                        if (getArr[getCount] == addCount)
                                                     90
                                                                                                          63
              modifyX(index * 2, 1, mid, val,
32
                                                                            yql);
                                                                                                                            printf("%d \setminus n", query(1, 1,
                    xPos, yPos);
                                                     91
                                                                                                          64
33
           else
                                                     92
                                                               }
                                                                                                                                 stSize, k));
              modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                     93
                                                                                                                            ++k:
34
                                                                                                          65
                    r, val, xPos, yPos);
                                                     94
                                                            return 0;
                                                                                                          66
                                                                                                                            ++getCount;
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                                                                                                        }
                                                     95 }
                                                                                                          67
35
                false):
       }
                                                                                                                            update(1, 1, stSize,
36
                                                                                                          69
37
   }
                                                        4.5 權值線段樹
                                                                                                                                 nums[addCount + 1]);
   void queryY(int index, int 1, int r, int
                                                                                                          70
                                                                                                                            ++addCount;
38
        yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,
                                                                                                          71
                                                                                                                        }
                                                      1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第 k小問題
        int &vmin) {
                                                                                                          72
                                                                                                                    }
                                                        //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
       if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
                                                                                                          73
                                                                                                                 }
39
                                                        #define maxn 30005
40
           vmax = max(vmax,
                                                                                                          74
                                                                                                                 return 0;
                                                      4 int nums[maxn];
                maxST[xIndex][index]);
                                                                                                          75 }
                                                        int getArr[maxn];
           vmin = min(vmin,
41
                                                        int id[maxn];
                minST[xIndex][index]);
                                                        int st[maxn << 2];</pre>
       }
42
                                                                                                             4.6 Trie
                                                        void update(int index, int 1, int r, int qx)
43
       else
                                                             {
44
                                                            if (1 == r)
45
           int mid = (1 + r) / 2;
                                                                                                             const int maxc = 26;
                                                                                                                                        // 單字字符數
                                                                                                             const char minc = 'a'; // 首個 ASCII
                                                     10
                                                            {
46
           if (yql <= mid)</pre>
47
              queryY(index * 2, 1, mid, yql,
                                                     11
                                                                ++st[index];
                                                                                                             struct TrieNode {
                    yqr, xIndex, vmax, vmin);
                                                     12
                                                                return;
           if (mid < yqr)</pre>
                                                     13
48
                                                                                                               TrieNode* child[maxc];
                                                     14
49
              queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                                                     15
                                                            int mid = (1 + r) / 2;
                    yql, yqr, xIndex, vmax,
                                                            if (qx <= mid)</pre>
                                                                                                               TrieNode() {
                                                     16
                    vmin):
                                                     17
                                                               update(index * 2, 1, mid, qx);
                                                                                                                 cnt = 0:
       }
50
                                                                                                                 for(auto& node : child) {
                                                     18
51
   }
                                                     19
                                                                update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx); 11
                                                                                                                  node = nullptr;
   void queryX(int index, int 1, int r, int
                                                     20
                                                            st[index] = st[index * 2] + st[index * 2
                                                                                                          12
        xql, int xqr, int yql, int yqr, int&
                                                                 + 1];
                                                                                                          13
                                                                                                              }
        vmax, int& vmin) {
                                                     21 }
                                                                                                             };
53
       if (xql <= 1 && r <= xqr) {
                                                                                                          14
           queryY(1, 1, N, yql, yqr, index,
                                                     22 //找區間第 k個小的
                                                                                                          15
54
                                                     23 int query(int index, int 1, int r, int k) {
                                                                                                             struct Trie {
                vmax, vmin);
                                                                                                          16
                                                            if (1 == r)
                                                                                                               TrieNode* root;
                                                     24
55
       }
       else {
                                                     25
                                                               return id[1];
                                                                                                          18
                                                            int mid = (1 + r) / 2;
                                                                                                              Trie() { root = new TrieNode(); }
```

```
20
                                                    38
                                                           queue<int> q({root});
                                                                                                        35
     void insert(string word) {
                                                                                                               for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
21
                                                    39
                                                           while(!q.empty()) {
                                                                                                        36
                                                             int p = q.front();
      TrieNode* cur = root;
                                                                                                                   while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
22
                                                    40
                                                                                                        37
23
       for(auto& ch : word) {
                                                    41
                                                             q.pop();
                                                                                                                   q[++tail]=i;
        int c = ch - minc;
                                                             for(int i=0; i<maxc; i++) {</pre>
24
                                                    42
                                                                                                        39
                                                                                                                   while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
25
         if(!cur->child[c])
                                                               int& t = trie[p][i];
                                                                                                                   cout<<a[q[head]]<<" ";
                                                                                                        40
                                                                                                               }
26
          cur->child[c] = new TrieNode();
                                                    44
                                                              if(t) {
                                                                                                        41
27
         cur = cur->child[c];
                                                                fail[t] = p?trie[fail[p]][i]:root;
                                                                                                        42
                                                                                                               cout<<endl;</pre>
                                                    45
28
      }
                                                    46
                                                                q.push(t);
                                                                                                        43 }
29
                                                    47
                                                              } else {
      cur->cnt++:
                                                                                                        44
30
                                                    48
                                                                 t = trie[fail[p]][i];
                                                                                                        45
                                                                                                           int main(){
                                                                                                               cin>>n>>k; //每k個連續的數
31
                                                    49
                                                                                                        46
32
     void remove(string word) {
                                                    50
                                                                                                        47
                                                                                                               for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
33
      TrieNode* cur = root;
                                                    51
                                                          }
                                                                                                        48
                                                                                                               getmin();
34
       for(auto& ch : word) {
                                                    52
                                                                                                        49
                                                                                                               getmax();
35
         int c = ch - minc;
                                                    53
                                                                                                        50
                                                                                                               return 0;
        if(!cur->child[c]) return;
                                                                                                        51 }
                                                         // 要存 wordId 才要 vec
36
                                                    54
                                                         // 同單字重複match要把所有vis取消掉
37
         cur = cur->child[c];
      }
38
                                                    56
                                                         int match(char* s, vector<int>& vec) {
                                                           int res = 0;
39
      cur->cnt--;
                                                    57
    }
40
                                                    58
                                                           memset(vis, 0, sizeof(vis));
                                                           for(int p=root; *s; s++) {
41
                                                    59
42
     // 字典裡有出現 word
                                                             p = trie[p][*s-minc];
43
     bool search(string word, bool prefix=0) {
                                                    61
                                                             for(int k=p; k && !vis[k]; k=fail[k]) {
44
       TrieNode* cur = root;
                                                              vis[k] = true;
                                                    62
45
       for(auto& ch : word) {
                                                    63
                                                               res += cnt[k];
         int c = ch - minc;
                                                               if(cnt[k]) vec.push_back(val[k]);
46
                                                    64
47
         if(!(cur=cur->child[c])) return false;
48
                                                    66
49
       return cur->cnt || prefix;
                                                    67
                                                           return res; // 匹配到的單字量
50
                                                    68
51
                                                    69 };
52
     // 字典裡有 word 的前綴為 prefix
                                                    70
53
    bool startsWith(string prefix) {
                                                    71
                                                       ACTrie ac;
                                                                     // 建構,初始化
                                                       ac.insert(s); // 加字典單字
54
       return search(prefix, true);
55
                                                    73 // 加完字典後
56 };
                                                    74 ac.build();
                                                                    // !!! 建 failure link !!!
                                                    75 ac.match(s); // 多模式匹配 (加 vec 存編號)
```

4.7 AC Trie

4.8 單調隊列

```
const int maxn = 1e4 + 10; // 單字字數
   const int maxl = 50 + 10; // 單字字長
                                                    //單調隊列
   const int maxc = 128; // 單字字符數
                                                     "如果一個撰手比你小還比你強,你就可以退役了。"
   const char minc = ' '; // 首個 ASCII
                                                    example
6
   int trie[maxn*maxl][maxc]; // 原字典樹
   int val[maxn*maxl]; // 結尾(單字編號)
                                                    給出一個長度為 n 的數組,
   int cnt[maxn*max1];
                           // 結尾(重複個數)
                                                     輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
   int fail[maxn*maxl];
                           // failure link
   bool vis[maxn*maxl];
                            // 同單字不重複
                                                    #include <bits/stdc++.h>
10
                                                     #define maxn 1000100
11
                                                    using namespace std;
12
   struct ACTrie {
                                                    int q[maxn], a[maxn];
13
    int seq, root;
                                                  13 int n, k;
15
    ACTrie() {
                                                    //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
                                                 14
16
      sea = 0:
                                                    void getmin() {
17
      root = newNode();
                                                 16
                                                        int head=0,tail=0;
                                                        for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
                                                 17
19
                                                 18
                                                            while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                                 tail--;
20
     int newNode() {
21
      for(int i=0; i<maxc; i++) trie[seq][i]=0;</pre>
                                                           q[++tail]=i;
      val[seq] = cnt[seq] = fail[seq] = 0;
22
                                                 20
23
      return seq++;
                                                 21
                                                        for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
                                                            while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
24
                                                 22
25
                                                                tail--:
26
     void insert(char* s, int wordId=0) {
                                                            q[++tail]=i;
27
      int p = root;
                                                            while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
                                                 24
      for(; *s; s++) {
28
                                                           cout<<a[q[head]]<<" ";
29
        int c = *s - minc;
                                                 26
30
        if(!trie[p][c]) trie[p][c] = newNode();
                                                        cout<<endl;</pre>
                                                 27
31
          = trie[p][c];
                                                 28 }
                                                 29 // 和上面同理
32
33
      val[p] = wordId;
                                                 30 void getmax() {
                                                        int head=0,tail=0;
34
      cnt[p]++;
                                                 31
35
                                                 32
                                                        for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
36
                                                 33
                                                            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
    void build() {
                                                            α[++tail]=i:
```

Geometry Template 5.1

using DBL = double;

```
using TP = DBL; // 存點的型態
   const DBL pi = acos(-1);
   const DBL eps = 1e-8;
   const TP inf = 1e30;
   const int maxn = 5e4 + 10;
   struct Vector {
10
    TP x, y;
    Vector(TP x=0, TP y=0): x(x), y(y) {}
    DBL length();
12
   using Point = Vector;
   using Polygon = vector<Point>;
15
16
   Vector operator+(Vector a, Vector b) {
17
    return Vector(a.x+b.x, a.y+b.y); }
   Vector operator-(Vector a, Vector b) {
19
    return Vector(a.x-b.x, a.y-b.y); }
20
   Vector operator*(Vector a, DBL b) {
   return Vector(a.x*b, a.y*b); }
22
   Vector operator/(Vector a, DBL b) {
    return Vector(a.x/b, a.y/b); }
24
25
   TP dot(Vector a, Vector b) {
26
27
    return a.x*b.x + a.y*b.y;
28
   }
   TP cross(Vector a, Vector b) {
29
    return a.x*b.y - a.y*b.x;
   }
31
   DBL Vector::length() {
32
33
    return sqrt(dot(*this, *this));
34
   }
35
   DBL dis(Point a, Point b) {
    return sqrt(dot(a-b, a-b));
36
   }
37
38
   Vector unit_normal_vector(Vector v) {
39
    DBL len = v.length();
40
    return Vector(-v.y/len, v.x/len);
   }
41
42
   struct Line {
43
44
    Point p;
45
    Vector v:
46
    DBL ang;
47
    Line(Point _p={}, Vector _v={}) {
48
      p = p;
49
      v = v;
50
      ang = atan2(v.y, v.x);
51
52
    bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
53
       return ang < 1.ang;</pre>
54
55
   };
56
   struct Circle {
57
    Point o:
58
59
    DBL r;
     Circle(): o({0, 0}), r(0) {}
60
     Circle(Point o, DBL r=0): o(o), r(r) {}
     Circle(Point a, Point b) { // ab 直徑
62
      o = (a + b) / 2;
63
64
      r = dis(o, a);
65
     Circle(Point a, Point b, Point c) {
66
       Vector u = b-a, v = c-a;
67
68
       DBL c1=dot(u, a+b)/2, c2=dot(v, a+c)/2;
      DBL dx=c1*v.y-c2*u.y, dy=u.x*c2-v.x*c1;
69
      o = Point(dx, dy) / cross(u, v);
70
71
       r = dis(o, a);
72
     bool cover(Point p) {
73
74
       return dis(o, p) <= r;</pre>
```

5.2 Polygon

76 };

```
1 // 判斷點 (point) 是否在凸包 (p) 內
pool pointInConvex(Polygon& p, Point point) {
    // 根據 TP 型態來寫,沒浮點數不用 dblcmp
    auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
    // 不包含線上,改 '>=' 為 '<'
    auto test = [&](Point& p0, Point& p1) {
      return dblcmp(cross(p1-p0, point-p0))>=0;
9
    p.push_back(p[0]);
    for(int i=1; i<p.size(); i++) {</pre>
10
11
      if(!test(p[i-1], p[i])) {
        p.pop_back();
12
13
        return false;
14
      }
15
16
    p.pop_back();
17
    return true;
18 }
19
20
   // 計算簡單多邊形的面積
21
   // ! p 為排序過的點 !
22 DBL polygonArea(Polygon& p) {
   DBL sum = 0;
    for(int i=0, n=p.size(); i<n; i++)</pre>
24
     sum += cross(p[i], p[(i+1)%n]);
    return abs(sum) / 2.0;
26
```

5.3 Intersection

```
1 Point intersection(Line a, Line b) {
   Vector u = a.p - b.p;
   DBL t = 1.0*cross(b.v, u)/cross(a.v, b.v);
   return a.p + a.v*t;
```

5.4 最小圓覆蓋

```
1 vector<Point> p(3); // 在圓上的點
2 Circle MEC(vector<Point>& v, int n, int d=0){
    Circle mec;
    if(d == 1) mec = Circle(p[0]);
    if(d == 2) mec = Circle(p[0], p[1]);
    if(d == 3) return Circle(p[0], p[1], p[2]);
    for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
      if(mec.cover(v[i])) continue;
9
      p[d] = v[i];
10
      mec = MEC(v, i, d+1);
11
    return mec;
```

```
5.5 凸包
     • TP 為 Point 裡 x 和 y 的型態
     • struct Point 需要加入並另外計算的 variables:
            1. ang, 該點與基準點的 atan2 值
            2. d2, 該點與基準點的 (距離)^2
1 using TP = long long;
 using Polygon = vector<Point>;
 const TP inf = 1e9; // 座標點最大值
6 Polygon convex_hull(Point* p, int n) {
```

```
auto dblcmp = [](DBL a, DBL b=0.0) {
       return (a>b) - (a<b);
 8
9
     }:
10
     auto rmv = [&](Point a, Point b, Point c) {
       return cross(b-a, c-b) <= 0; // 非浮點數
11
       return dblcmp(cross(b-a, c-b)) <= 0;</pre>
12
13
14
     // 選最下裡最左的當基準點,可在輸入時計算
     TP lx = inf, ly = inf;
16
17
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
       if(p[i].y<ly || (p[i].y==ly&&p[i].x<lx)){</pre>
18
19
         lx = p[i].x, ly = p[i].y;
20
21
22
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
23
       p[i].ang=atan2(p[i].y-ly,p[i].x-lx);
25
       p[i].d2 = (p[i].x-lx)*(p[i].x-lx) +
26
                (p[i].y-ly)*(p[i].y-ly);
27
     sort(p, p+n, [&](Point& a, Point& b) {
28
       if(dblcmp(a.ang, b.ang))
30
         return a.ang < b.ang;</pre>
       return a.d2 < b.d2;</pre>
31
32
     }):
33
34
     int m = 1; // stack size
     Point st[n] = \{p[n]=p[0]\};
35
36
     for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
       for(;m>1&&rmv(st[m-2],st[m-1],p[i]);m--);
37
       st[m++] = p[i];
38
39
40
    return Polygon(st, st+m-1);
41 }
```

5.6 半平面相交

```
using DBL = double;
   using TP = DBL; // 存點的型態
   using Polygon = vector<Point>;
   const int maxn = 5e4 + 10;
   // Return: 能形成半平面交的凸包邊界點
   Polygon halfplaneIntersect(vector<Line>&nar){
    sort(nar.begin(), nar.end());
     // DBL 跟 Ø 比較, 沒符點數不用
    auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
     // p 是否在 1 的左半平面
12
     auto lft = [&](Point p, Line 1) {
      return dblcmp(cross(1.v, p-1.p)) > 0;
15
16
     int ql = 0, qr = 0;
17
     Line L[maxn] = {nar[0]};
     Point P[maxn];
19
20
     for(int i=1; i<nar.size(); i++) {</pre>
21
22
      for(; ql<qr&&!lft(P[qr-1],nar[i]); qr--);</pre>
       for(; ql<qr&&!lft(P[ql],nar[i]); ql++);</pre>
23
       L[++qr] = nar[i];
24
       if(dblcmp(cross(L[qr].v,L[qr-1].v))==0) {
25
         if(lft(nar[i].p,L[--qr])) L[qr]=nar[i];
26
27
       if(ql < qr)
28
        P[qr-1] = intersection(L[qr-1], L[qr]);
29
30
     for(; ql<qr && !lft(P[qr-1], L[ql]); qr--);</pre>
31
     if(qr-ql <= 1) return {};</pre>
32
    P[qr] = intersection(L[qr], L[ql]);
33
34
     return Polygon(P+q1, P+qr+1);
35 }
```

6 DP 6.1 以價值為主的背包

```
/*w 變得太大所以一般的01背包解法變得不可能
     觀察題目w變成10^9
    而 v_i變成 10^3
 3
    N不變 10^2
    試著湊湊看dp狀態
    dp[maxn][maxv]是可接受的複雜度
     剩下的是轉移式,轉移式變成
    dp[i][j] = w \rightarrow
         當目前只考慮到第i個商品時,達到獲利j時最少的we1g}
    所以答案是dp[n][1 \sim maxv]找價值最大且裝的下的*/
   #define maxn 105
   #define maxv 100005
   long long dp[maxn][maxv];
  long long weight[maxn];
  long long v[maxn];
   int main() {
16
      int n:
17
      long long w;
18
      scanf("%d %11d", &n, &w);
19
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
          scanf("%11d %11d", &weight[i], &v[i]);
20
21
22
      memset(dp, 0x3f, sizeof(dp));
23
      dp[0][0] = 0;
24
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {
          for (int j = 0; j <= maxv; ++j) {</pre>
25
             if (j - v[i] >= 0)
26
                 dp[i][j] = dp[i - 1][j -
                      v[i]] + weight[i];
             dp[i][j] = min(dp[i - 1][j],
28
                  dp[i][j]);
29
30
      long long res = 0;
31
      for (int j = maxv - 1; j >= 0; --j) {
32
          if (dp[n][j] <= w) {</pre>
33
             res = i;
34
35
             break;
36
37
      printf("%11d\n", res);
38
39
      return 0;
```

```
6 long long dfs(int n, int k) {
      if (k == 1) {
          return (n <= M);</pre>
       if (dp[n][k] != -1)
10
          return dp[n][k];
12
       long long result = 0;
       for (int i = 1; i < min(M + 1, n); ++i)</pre>
13
            { // < min(M + 1, n)是因為n不能==0
           result += dfs(n - i, k - 1);
14
15
       return dp[n][k] = result;
16
18 int main() {
       while (scanf("%d %d %d", &N, &K, &M) !=
19
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
          printf("%11d\n", dfs(N, K));
22
23
      return 0;
24 }
```

6.4 Deque 最大差距

```
1 / * 定義 dp[1][r]是1 ~ r 時與先手最大差異值
    轉移式: dp[l][r] = max{a[l] - solve(l + 1,
         r), a[r] - solve(1, r - 1)}
    裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,
    所以正負正負...*/
 5 #define maxn 3005
 6 bool vis[maxn][maxn];
  long long dp[maxn][maxn];
 8 long long a[maxn];
  long long solve(int 1, int r) {
      if (1 > r) return 0;
      if (vis[l][r]) return dp[l][r];
      vis[l][r] = true;
      long long res = a[l] - solve(l + 1, r);
13
      res = max(res, a[r] - solve(1, r - 1));
      return dp[l][r] = res;
15
16 }
17 int main() {
18
      printf("%11d \setminus n", solve(1, n));
19
20 }
```

6.5 LCS 和 LIS

1 //LCS 和 LIS 題目轉換

2 LIS 轉成 LCS

```
1 long long dp[70][70][2];
  // 初始條件
   dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
  for (int i = 2; i <= 66; ++i){
      // i個抽屜0個安全且上方0 =
      // (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
      // (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
      dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
      for (int j = 1; j <= i; ++j) {
10
         dp[i][j][0] =
11
           dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];
12
         dp[i][j][1] =
13
           dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];
14
15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
```

6.3 Barcode

6.2 抽屜

```
1 int N, K, M;
2 long long dp[55][55];
3 // n -> 目前剩多少units
4 // k -> 目前剩多少bars
5 // m -> 1 bar最多多少units
```

```
3 1. A 為原序列, B=sort(A)
2. 對 A,B 做 LCS
5 LCS 轉成 LIS
6 1. A, B 為原本的兩序列
7 2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B 3. 對 B 做 LIS
9 4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字, 越早出現的數字要越小
11 5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面, 直接忽略這個數字不做轉換即可
```

6.6 RangeDP

```
10
          return dp[i][j] = 0;
      int cost = 0x3f3f3f3f;
11
      for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
12
          //枚舉區間中間切點
14
          cost = min(cost, solve(i, m) +
15
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
16
17
      return dp[i][j] = cost;
18 }
19
   int main() {
20
       int 1,n;
       while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
21
          scanf("%d", &n);
          for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
23
24
              scanf("%d", &cuts[i]);
25
          cuts[0] = 0;
          cuts[n + 1] = 1;
26
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
27
          printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
28
29
30
      return 0;
```

6.7 stringDP

Edit distance S_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2

```
dp[i,j] = \left\{ \begin{array}{ccc} i+1, & \text{if } j=-1 \\ j+1, & \text{if } i=-1 \\ dp[i-1,j-1], & \text{if } S_1[i] = S_2[j] \\ \min \left\{ \begin{array}{ccc} dp[i,j-1] \\ dp[i-1,j] \\ dp[i-1,j-1] \end{array} \right\} + 1, & \text{if } S_1[i] \neq S_2[j] \end{array} \right.
```

Longest Palindromic Subsequence

```
dp[l,r] = \left\{ \begin{array}{ccc} 1 & \text{if} & l=r \\ dp[l+1,r-1] & \text{if} & S[l] = S[r] \\ \max\{dp[l+1,r],dp[l,r-1]\} & \text{if} & S[l] \neq S[r] \end{array} \right.
```

6.8 樹 DP 有幾個 path 長度為 k

```
#define maxn 50005
   #define maxk 505
   //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
4 long long dp[maxn][maxk];
   vector<vector<int>>> G;
   int n, k;
   long long res = 0;
   void dfs(int u, int p) {
      dp[u][0] = 1;
10
      for (int v: G[u]) {
11
         if (v == p)
12
             continue;
13
          dfs(v, u);
14
15
          for (int i = 1; i <= k; ++i) {
              //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
16
             dp[u][i] += dp[v][i - 1];
17
18
19
      //統計在u子樹中距離u為k的數量
20
21
      res += dp[u][k];
      long long cnt = 0;
22
      for (int v: G[u]) {
        if (v == p)
24
25
          continue; //重點算法
        for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
            dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
29
30
31
      res += cnt / 2;
32 }
33 int main() {
```

```
35
       dfs(1, -1);
                                                      4 long long B[maxn];
       printf("%11d\n", res);
                                                      5 long long st[maxn << 2];</pre>
36
37
                                                        void update(int p, int index, int 1, int r,
       return 0;
38 }
                                                             long long v) {
                                                            if (1 == r) {
                                                                st[index] = v;
                                                                return;
           TreeDP reroot
   6.9
                                                     10
                                                     11
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
                                                     12
                                                            if (p <= mid)
   /*re-root\ dp\ on\ tree\ O(n+n+n)\ ->\ O(n)*/
                                                     13
                                                                update(p, (index << 1), 1, mid, v);
   class Solution {
   public:
                                                     14
 3
       vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
                                                     15
                                                               update(p, (index << 1)+1,mid+1,r,v);
                                                     16
                                                            st[index] =
            vector<vector<int>>& edges) {
                                                     17
                                                              max(st[index<<1],st[(index<<1)+1]);</pre>
           this->res.assign(n, 0);
           G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                     18
 6
                                                     19 long long query(int index, int 1, int r, int
 7
           for (vector<int>& edge: edges) {
                                                             ql, int qr) {
              G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
 8
                                                            if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
                                                     20
              G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
                                                               return st[index];
10
                                                     21
                                                     22
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
11
           memset(this->visited, 0,
                                                            long long res = -1;
                sizeof(this->visited));
                                                     23
           this->dfs(0);
                                                            if (ql <= mid)</pre>
12
                                                     25
                                                                res =
13
           memset(this->visited, 0,
                                                                 max(res,query(index<<1,1,mid,q1,qr));</pre>
                                                     26
                sizeof(this->visited));
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
                                                     27
                                                            if (mid < qr)</pre>
14
                                                                res =
                                                     28
15
           memset(this->visited, 0,
                                                     29
                                                                 max(res,query((index<<1)+1,mid+1,r,ql,qr));</pre>
                sizeof(this->visited));
                                                            return res;
                                                     30
16
           this->dfs3(0, n);
                                                     31
17
           return this->res;
                                                     32 int main() {
18
       }
                                                            int n;
                                                     33
19
   private:
                                                            scanf("%d", &n);
       vector<vector<int>> G;
20
                                                     35
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)
21
       bool visited[30005];
                                                                scanf("%11d", &height[i]);
                                                     36
22
       int subtreeSize[30005];
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                     37
23
       vector<int> res;
                                                               scanf("%11d", &B[i]);
                                                     38
24
       //求subtreeSize
                                                     39
                                                            long long res = B[1];
25
       int dfs(int u) {
                                                            update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
26
           this->visited[u] = true;
                                                     40
                                                     41
                                                            for (int i = 2; i <= n; ++i) {</pre>
27
           for (int v: this->G[u])
                                                               long long temp;
28
              if (!this->visited[v])
                                                     42
                                                     43
                                                                if (height[i] - 1 >= 1)
29
                  this->subtreeSize[u] +=
                        this->dfs(v);
                                                     44
                                                                    temp =
                                                                     B[i]+query(1,1,n,1,height[i]-1);
                                                     45
30
31
           this->subtreeSize[u] += 1;
                                                     46
                                                     47
                                                                    temp = B[i];
32
           return this->subtreeSize[u];
                                                                update(height[i], 1, 1, n, temp);
33
       //求res[0], 0到所有點的距離
                                                     49
                                                                res = max(res, temp);
34
                                                     50
35
       int dfs2(int u, int dis) {
                                                     51
                                                            printf("%11d\n", res);
36
           this->visited[u] = true;
                                                     52
                                                            return 0;
37
           int sum = 0;
           for (int v: this->G[u])
38
39
              if (!visited[v])
40
                  sum += this->dfs2(v, dis + 1);
41
           //要加上自己的距離
42
           return sum + dis;
43
44
       //算出所有的res
45
       void dfs3(int u, int n) {
46
           this->visited[u] = true;
47
           for (int v: this->G[u]) {
48
              if (!visited[v]) {
49
                   this->res[v] = this->res[u] +
                        n - 2 *
                        this->subtreeSize[v];
50
                   this->dfs3(v, n);
51
              }
52
           }
53
       }
```

6.10 WeightedLIS

```
1 #define maxn 200005
2 long long dp[maxn];
3 long long height[maxn];
```