int ans=1;

r[0]=1; 21 22 for(int i=1;i<n;i++){</pre> int ii=center-(i-center); 23 1 字串 24 int len=mx-i+1; 25 if(i>mx){ r[i]=ex(i,i); 26 2 STL 27 center=i; 28 mx=i+r[i]-1; 29 30 else if(r[ii]==len){ 3.1 質數與因數 r[i]=len+ex(i-len,i+len); 31 32 center=i; 3.3 atan 33 mx=i+r[i]-1; 3.4 大步小步 34 algorithm 35 else r[i]=min(r[ii],len); 3 36 ans=max(ans,r[i]); } 37 38 cout << ans -1 << "\n"; 39 return 0; 40 } **KMP** 1.2 #define maxn 1000005 10 int nextArr[maxn]; 11 void getNextArr(const string& str) { nextArr[0] = 0;4.17 草隊 int prefixLen = 0; for (int i = 1; i < str.size(); ++i) {</pre> DataStructure prefixLen = nextArr[i - 1]; //如 果 不 一 樣 就 在 之 前 算 過 的 prefix 中 搜 有 沒 有 更 短 的 前 後 綴 while (prefixLen > 0 && str[prefixLen] != 9 str[i]) prefixLen = nextArr[prefixLen - 1]; 10 //一樣就繼承之前的前後綴長度+1 geometry 12 if (str[prefixLen] == str[i]) 13 ++prefixLen; nextArr[i] = prefixLen; 14 for (int i = 0; i < str.size() - 1; ++i) {</pre> 18 16 vis[nextArr[i]] = true; } 18 19 } 7.7 stringDP 7.8 TreeDP 有幾個 path 長度為 k 2 STL 7.10 WeightedLIS .

字串

Contents

最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
  using namespace std;
5 string s;
6 int n;
8
   int ex(int 1,int r){
    int i=0:
9
10
     while (1-i \ge 0 \& r+i \le n \& T(1-i) = T(r+i)) i++;
11
     return i;
12 }
13
14 int main(){
15
     cin>>s;
    n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
18
     int center=0;
     vector<int> r(n);
19
```

multiset 2.1

```
1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。
 資料由小到大排序。
2
 宣告:
3
    multiset < int > st;
 刪除資料:
5
    st.erase(val);
6
    //會刪除所有值為 val 的元素。
    st.erase(st.find(val));
8
    //只刪除第一個值為 val 的元素。
9
```

2.2 unordered set

```
1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
2| 資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),
3
 相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,
 無自動排序功能。
4
 unordered_set 判斷元素是否存在
6
 unordered_set<int> myunordered_set;
8 myunordered_set.insert(2);
```

```
9 myunordered_set.insert(4);
10 myunordered_set.insert(6);
11 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
12 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0</pre>
```

3 math

3.1 質數與因數

```
1|歐拉篩0(n)
2 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
3 bool isPrime[MAXN];
4 int prime[MAXN];
5 int primeSize=0;
6
  void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
8
       for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
9
10
            if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
11
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
12
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
13
14
           }
       }
15
16 }
17
18 最大公因數 O(log(min(a,b)))
  int GCD(int a,int b){
19
20
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
21
22 }
23
24 質因數分解
   void primeFactorization(int n){
25
26
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
           if(p[i]*p[i]>n) break;
27
28
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
29
30
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
31
       if(n!=1) cout << n << ' ';
32
       cout << '\n';
33
34 }
35
  |擴展歐幾里得算法
36
37
  //ax+by=GCD(a,b)
38
39
  int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y){
       if(b==0){
40
41
           x=1, y=0;
42
           return a;
43
44
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
45
       y-=a/b*x;
46
       return d;
47 }
48
49
  int main(){
50
       int a,b,x,y;
       cin>>a>>b;
51
52
       ext_euc(a,b,x,y);
       cout << x << ' '<< y << end1;
53
54
       return 0;
55
  }
56
57
58
59| 歌 德 巴 赫 猜 想
60 | solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
61 #define N 20000000
62 int ox[N],p[N],pr;
63 void PrimeTable(){
       ox[0]=ox[1]=1;
64
```

```
65
       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
66
67
           if(!ox[i]) p[pr++]=i;
           for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
68
69
               ox[i*p[j]]=1;
       }
70
71
   }
72
73
   int main(){
       PrimeTable();
74
75
       int n;
       while(cin>>n,n){
76
77
           int x;
78
           for(x=1;;x+=2)
79
               if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
           printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
80
81
       }
82 }
83
   problem : 給定整數 N,
           求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
84
   如果 N 是質數,則答案為 1。
85
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
88
89
90
   bool isPrime(int n){
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
91
92
           if(i*i>n) return true;
93
           if(n%i==0) return false;
94
95
       return true;
   }
96
97
98
   int main(){
99
       int n;
100
       cin>>n;
101
       if(isPrime(n)) cout<<"1\n":</pre>
102
       else if(n\%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
       else cout << "3\n";</pre>
103
104
```

3.2 歐拉函數

```
//計算閉區間 [1,n] 中有幾個正整數與 n 互質
2
  int phi(){
3
      int ans=n;
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
5
           if(n%i==0){
7
               ans=ans-ans/i;
8
               while(n%i==0) n/=i;
9
10
       if(n>1) ans=ans-ans/n;
11
       return ans;
12 }
```

3.3 atan

```
1| 說明
   atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x 的反正切。
2
3
  回傳值
   atan() 函數會傳回介於範圍 -pi/2 到 pi/2
       弧度之間的值。
   atan2()函數會傳回介於 -pi 至 pi 弧度之間的值。
7
   如果 atan2() 函數的兩個引數都是零,
   則函數會將 errno 設為 EDOM,並傳回值 0。
9
  範例
10
11
  int main(void){
12
     double a,b,c,d;
     c = 0.45;
13
```

62

```
14
       d=0.23;
15
       a=atan(c):
       b=atan2(c,d);
16
       printf("atan(%1f)=%1f/n",c,a);
17
       printf("atan2(%1f,%1f)=%1f/n",c,d,b);
18
19
20 }
21 // atan(0.450000)=0.422854
22 // atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
```

3.4 大步小步

60

```
題意
2| 給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
  題解
4 餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
      B^0 B^P,B^1 B^(P+1), ...,
5 也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
      能得到結果,但會超時。
6 | 將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
7 設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 。
8 B^(mx+y) N(mod P)
9 B^(mx)B^y N(mod P)
10 B'y N(B'(-m))'x (mod P)
11 先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
  再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的 B^y。
14 大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
15 小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
    複雜度分析
16
17 利用 map/unorder_map 存放 B^0,B^1,B^2,…,B^(m-1),
  枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為 0(√Plog√P)/0(√P)。
19
20
21 using LL = long long;
22 LL B, N, P;
23 LL fpow(LL a, LL b, LL c){
      LL res=1;
24
      for(;b;b >>=1){
25
         if(b&1)
26
27
             res=(res*a)%c;
28
         a=(a*a)%c;
29
30
      return res;
31 }
32 LL BSGS(LL a, LL b, LL p){
33
      a%=p,b%=p;
34
      if(a==0)
35
         return b==0?1:-1;
36
      if(b==1)
37
         return 0;
38
      map<LL, LL> tb;
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
39
40
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
41
      tb[1]=sq;
      for(LL i=1, tmp=1; i < sq; ++i){</pre>
42
43
          tmp=(tmp*a)%p;
         if(!tb.count(tmp))
44
45
             tb[tmp]=i;
46
47
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
         if(tb.count(b)){
48
             II res=tb[b]:
49
             return i*sq+(res==sq?0:res);
50
51
52
         b=(b*inv)%p;
      }
53
      return -1;
54
55 }
56 int main(){
      IOS; //輸入優化
57
58
      while(cin>>P>>B>>N){
59
         LL ans=BSGS(B,N,P);
         if(ans==-1)
```

```
63
                      cout << ans << '\n';</pre>
          }
64
65 }
```

cout << "no solution\n";</pre>

algorithm

else

4.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
  max_element(first, last)
  sort:排序,預設由小排到大。
  sort(first, last)
  sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp 。
  find:尋找元素。
  find(first, last, val)
  lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
10
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12
  lower_bound(first, last, val)
  upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
13
           如果不存在,則回傳 last 。
14
 upper_bound(first, last, val)
15
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
  next_permutation(first, last)
 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
19
20
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
21 prev_permutation(first, last)
```

4.2 二分搜

```
1 int binary_search(int target) {
  // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
  // index that target value exists, with "ng" doesn't.
3
      int ok = maxn, ng = -1;
  // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
  // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
6
  // (the "check" funtion
  // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
          int mid = (ok + ng) >> 1;
10
          if(check(mid)) ok = mid;
11
          else ng = mid;
12
  // Be careful, "arr[mid]>=target" for first
13
14 // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
15 // last lower_bound. For range (ng, ok],
  // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
16
17
  // choose the first one, or convert [ok, ng) into
  // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
18
  // the second one.
19
20
      }
21
      return ok;
22 }
                                   //最左邊 ≥ k 的位置
23 lower_bound(arr, arr + n, k);
24 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                   //最左邊 > k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
26 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
27 (lower_bound, upper_bound)
                                   //等於 k 的範圍
28 equal_range(arr, arr+n, k);
```

三分搜 4.3

```
2 給定兩射線方向和速度,問兩射線最近距離。
  題解
```

55

56

57

int a[1005];
cin>>n>>r;

int i=1, ans=0;

for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];

```
4 假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離, F(t) 為二次函數,
5 可用三分搜找二次函數最小值。
  struct Point{
       double x, y, z;
       Point() {}
8
9
       Point(double _x, double _y, double _z):
10
           x(_x),y(_y),z(_z){}
       friend istream& operator>>(istream& is, Point& p)
11
12
           is >> p.x >> p.y >> p.z;
13
           return is:
14
       Point operator+(const Point &rhs) const{
15
16
           return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
17
18
       Point operator - (const Point &rhs) const{
           return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
19
20
21
       Point operator*(const double &d) const{
22
           return Point(x*d,y*d,z*d);
23
       Point operator/(const double &d) const{
24
           return Point(x/d,y/d,z/d);
25
26
27
       double dist(const Point &rhs) const{
28
           double res = 0;
           res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
29
           res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
30
           res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
31
32
           return res;
33
34 };
35 int main(){
                //輸入優化
      IOS;
36
       int T;
37
38
       cin>>T;
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
39
           double time;
40
41
           Point x1, y1, d1, x2, y2, d2;
           cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2;
42
           d1=(y1-x1)/time;
43
44
           d2=(y2-x2)/time;
           double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
45
46
           double ans = x1.dist(x2);
           while(abs(L-R)>1e-10){
47
48
               m1 = (L+R)/2;
               m2 = (m1 + R)/2:
49
               f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
50
               f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
51
52
               ans = min(ans, min(f1, f2));
               if(f1<f2) R=m2;
53
               else L=m1;
54
55
           cout << "Case "<<ti << ": ";
56
           cout << fixed << setprecision(4) << sqrt(ans) << '\n';</pre>
57
58
       }
59 }
```

4.4 差分

```
1|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
2|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
3 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
4 給的 a [ ] 是前綴和數列,建構 b [ ],
5 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
6 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
기在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
8|最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
9 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
10 int a[1000], b[1000];
11 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
12 int main(){
13
     int n, 1, r, v;
     cin >> n;
14
```

```
for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
15
           cin >> a[i];
16
17
           b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
18
       cin >> 1 >> r >> v;
19
20
       b[1] += v;
       b[r+1] -= v;
21
22
       for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
23
           b[i] += b[i-1];
           cout << b[i] << ' ';
24
25
26 }
```

4.5 greedy

```
2 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
  提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
  確認無誤再實作。
8 刪數字問題
9 //problem
10 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
11 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
12 //solution
13 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
14 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
15
  //code
  int main(){
16
17
     string s;
     int k:
18
19
     cin>>s>>k;
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
20
21
        if((int)s.size()==0) break;
22
        int pos =(int)s.size()-1;
23
        for(int j=0; j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
24
           if(s[j]>s[j+1]){
25
              pos=j;
26
              break;
           }
27
28
29
        s.erase(pos,1);
30
     while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
31
32
        s.erase(0.1):
     if((int)s.size()) cout<<s<<'\n';</pre>
33
34
     else cout << 0 << '\n';
35
 }
36 最小區間覆蓋長度
37
  //problem
38 給定 n 條線段區間為 [Li, Ri],
39 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
40 //solution
41 先將所有區間依照左界由小到大排序,
42 對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
43 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
44
45 //problem
46 長度 n 的直線中有數個加熱器,
47 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
48 問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
49
  //solution
50 | 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
51 更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
52
  //code
53 int main(){
54
     int n, r;
```

```
59
       while(i<=n){</pre>
                                                        135
                                                                   maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
          int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
                                                        136
60
          int nextR=-1;
                                                               cout << maxL << '\n';</pre>
61
                                                        137
          for(int j=R;j>=L;--j){
62
                                                        138 }
63
              if(a[j]){
                                                        139 最少延遲數量問題
64
                  nextR=j;
                                                        140
                                                           //problem
                  break;
65
                                                           給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
66
              }
                                                           期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
          }
67
                                                        143
                                                           //solution
          if(nextR==-1){
68
                                                        144 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序,
69
              ans=-1;
                                                           依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                        145
70
              break:
                                                           就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                        146
71
          }
                                                           上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                        147
72
          ++ans:
                                                        148
73
          i=nextR+r;
                                                        149
                                                           //problem
      }
74
                                                        150 | 給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
75
      cout <<ans << '\n';
                                                        151
                                                           //solution
76 }
                                                           和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
77 最多不重疊區間
                                                        152
78 //problem
                                                        153
                                                           工作處裡時長 → 烏龜重量
79 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
                                                           工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                        154
  請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                           多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                        155
   //solution
                                                        156
                                                           //code
   依照右界由小到大排序,
                                                           struct Work{
82
                                                        157
                                                        158
                                                               int t, d;
83 每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                        159
                                                               bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
84 //code
                                                        160
                                                                   return d<rhs.d;</pre>
  struct Line{
85
                                                        161
86
      int L,R;
                                                           };
                                                        162
87
      bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
                                                        163
                                                           int main(){
88
           return R<rhs.R;</pre>
                                                        164
                                                               int n=0;
89
                                                        165
                                                               Work a[10000];
90 };
                                                        166
                                                               priority_queue<int> pq;
91
   int main(){
                                                               while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                        167
92
      int t;
                                                        168
93
      cin>>t;
                                                               sort(a,a+n);
                                                        169
      Line a[30];
94
                                                        170
                                                               int sumT=0,ans=n;
95
       while(t--){
                                                        171
                                                               for(int i=0;i<n;++i){</pre>
          int n=0:
96
                                                                  pq.push(a[i].t);
                                                        172
97
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
                                                                   sumT+=a[i].t;
                                                        173
98
              ++n:
                                                                   if(a[i].d<sumT){</pre>
          sort(a,a+n);
                                                        174
99
                                                        175
                                                                      int x=pq.top();
100
          int ans=1,R=a[0].R;
          for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                        176
                                                                      pq.pop();
101
                                                        177
                                                                      sumT -=x;
              if(a[i].L>=R){
102
                                                        178
                                                                       --ans;
103
                  ++ans:
                                                                  }
                                                        179
                  R=a[i].R;
104
                                                              }
                                                        180
105
              }
                                                               cout << ans << '\n';
                                                        181
          }
106
                                                        182
                                                           }
          cout << ans << '\n';</pre>
107
                                                        183
108
                                                        184 任務調度問題
109 }
                                                        185
                                                           //problem
110 最小化最大延遲問題
                                                           給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                        186
111 //problem
                                                           期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
112 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                        187
113 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0,Fi-Di),
                                                        188
                                                           請問最少會受到多少單位懲罰。
114 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                        189
                                                           //solution
                                                           依照懲罰由大到小排序,
115 求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                        190
                                                           每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
116 //solution
117 按照到期時間從早到晚處理。
                                                        192
                                                           如果有空閒就放進去,否則延後執行。
118
   //code
                                                        193
                                                           //problem
   struct Work{
119
120
                                                        195 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
      bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
121
                                                           期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
          return d<rhs.d;</pre>
122
                                                               單位獎勵,
123
          }
                                                           請問最多會獲得多少單位獎勵。
124 };
                                                        198 //solution
125 int main(){
                                                        199 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
126
      int n;
                                                        200
                                                           //code
127
      Work a[10000];
                                                        201
                                                           struct Work{
128
      cin>>n;
                                                        202
                                                               int d,p;
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
129
                                                               bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
                                                        203
130
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                        204
                                                                   return p>rhs.p;
      sort(a,a+n);
131
                                                        205
132
       int maxL=0, sumT=0;
                                                        206
                                                           };
      for(int i=0;i<n;++i){</pre>
133
                                                        207
                                                           int main(){
134
          sumT+=a[i].t;
                                                        208
                                                              int n:
```

```
209
         Work a[100005];
        bitset<100005> ok;
210
         while(cin>>n){
211
212
             ok.reset();
213
             for(int i=0;i<n;++i)</pre>
214
                  cin>>a[i].d>>a[i].p;
215
             sort(a.a+n):
216
             int ans=0;
             for(int i=0;i<n;++i){</pre>
217
218
                  int j=a[i].d;
219
                  while(j--)
                       if(!ok[j]){
220
                            ans+=a[i].p;
221
                            ok[j]=true;
222
223
                            break:
                       }
224
225
             }
226
             cout << ans << '\n';
227
228 }
```

4.6 dinic

```
1 const int maxn = 1e5 + 10;
2 const int inf = 0x3f3f3f3f;
  struct Edge {
4
       int s, t, cap, flow;
5 };
6 int n, m, S, T;
  int level[maxn], dfs_idx[maxn];
7
8 vector < Edge > E;
  vector<vector<int>> G;
10 void init() {
11
       S = 0;
       T = n + m;
12
13
       E.clear();
       G.assign(maxn, vector<int>());
14
15 }
16 void addEdge(int s, int t, int cap) {
       E.push_back({s, t, cap, 0});
17
18
       E.push_back({t, s, 0, 0});
19
       G[s].push_back(E.size()-2);
       G[t].push_back(E.size()-1);
20
21 }
22
  bool bfs() {
       queue<int> q({S});
23
       memset(level, -1, sizeof(level));
24
25
       level[S] = 0;
       while(!q.empty()) {
26
27
           int cur = q.front();
28
           q.pop();
           for(int i : G[cur]) {
29
               Edge e = E[i];
30
                if(level[e.t]==-1 && e.cap>e.flow) {
31
32
                    level[e.t] = level[e.s] + 1;
33
                    q.push(e.t);
               }
34
           }
35
36
       }
37
       return ~level[T];
38 }
39
  int dfs(int cur, int lim) {
40
       if(cur==T || lim==0) return lim;
41
       int result = 0;
42
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size() && lim;</pre>
           i++) {
43
           Edge& e = E[G[cur][i]];
           if(level[e.s]+1 != level[e.t]) continue;
44
45
           int flow = dfs(e.t, min(lim, e.cap-e.flow));
46
           if(flow <= 0) continue;</pre>
47
           e.flow += flow;
48
           result += flow;
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
49
50
           lim -= flow;
51
       return result;
52
```

```
53 }
54 int dinic() {// O((V^2)E)
55     int result = 0;
66     while(bfs()) {
67         memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
68         result += dfs(S, inf);
69     }
60     return result;
61 }
```

4.7 Nim Game

```
1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
 2 | //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
  //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
  #define maxn 23+5
 5 int SG[maxn];
 6 int visited[1000+5];
 7
  int pile[maxn],ans;
 8
  void calculateSG(){
9
       SG[0]=0:
10
       for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
11
           int cur=0;
           for(int j=0; j<i; j++)</pre>
12
13
                for(int k=0; k<=j; k++)</pre>
                    visited[SG[j]^SG[k]]=i;
14
15
           while(visited[cur]==i) cur++;
16
           SG[i]=cur;
17
       }
18
  }
19
  int main(){
20
       calculateSG();
21
       int Case=0,n;
22
       while(cin>>n,n){
23
         ans=0;
         for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
24
25
         for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
           if(pile[i]&1) ans^=SG[n-i];
26
27
         cout << "Game "<<++Case << ": ";
28
         if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";
29
         else{
30
           bool flag=0;
31
           for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
32
             if(pile[i]){
33
                for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
34
                  for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
35
                    if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
                      cout<<i-1<<" "<<j-1<<" "<<k-1<<endl;
36
37
                      flag=1;
38
                      break;
                    }
39
40
                 }
41
                  if(flag) break;
42
                if(flag) break;
43
44
45
           }
46
         }
47
48
       return 0;
49 }
50
  /*
   input
51
52
     1 0 1 100
53 3
     1 0 5
  2 2 1
55
  0
56
   output
57
  Game 1: 0 2 3
  Game 2: 0 1 1
58
59
  Game 3: -1 -1 -1
60 */
```

4.8 SCC Tarjan

68

69

70

71

72 }

dfs(i);

return 0;

printf("%11d %11d\n", totalCost, ways % MOD);

4.9 ArticulationPoints Tarjan

```
1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小的要 int N timer:
2 //注意以下程式有縮點,但沒存起來,存法就是開一個array
                                                              3
                                                               bool visited[105];
       \rightarrow ID[u] = SCCID
                                                                int dfn[105]; // 第一次 visit 的 時間
3 #define maxn 100005
                                                                int low[105];
4 #define MOD 1000000007
                                                                // 最小能回到的父節點(不能是自己的parent)的visTime
5 long long cost[maxn];
                                                              7 int res;
6 vector < vector < int >> G;
                                                                //求割點數量
                                                              8
7 int SCC = 0;
                                                                void tarjan(int u, int parent) {
8 stack<int> sk;
                                                             10
                                                                    int child = 0;
9 int dfn[maxn];
                                                                    bool isCut = false;
10 int low[maxn];
                                                             11
                                                             12
                                                                    visited[u] = true;
11 bool inStack[maxn];
                                                                    dfn[u] = low[u] = ++timer;
12 int dfsTime = 1;
                                                             13
                                                             14
                                                                    for (int v: G[u]) {
13 long long totalCost = 0;
                                                             15
                                                                        if (!visited[v]) {
14 long long ways = 1;
                                                                            ++child;
                                                             16
15 void dfs(int u) {
                                                             17
                                                                            tarjan(v, u);
      dfn[u] = low[u] = dfsTime;
16
                                                                            low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                             18
      ++dfsTime;
17
                                                             19
                                                                            if (parent != -1 && low[v] >= dfn[u])
18
      sk.push(u);
                                                             20
                                                                                isCut = true;
      inStack[u] = true;
19
                                                             21
       for (int v: G[u]) {
20
                                                                        else if (v != parent)
                                                             22
21
           if (dfn[v] == 0) {
                                                                            low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                             23
               dfs(v);
22
                                                             24
23
               low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                             25
                                                                    //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
24
                                                                    if (parent == -1 && child >= 2)
                                                             26
           else if (inStack[v]) {
25
                                                                        isCut = true;
                                                             27
               //屬於同個SCC且是我的back edge
26
                                                                    if (isCut) ++res;
                                                             28
27
               low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                             29 }
28
           }
                                                                int main() {
                                                             30
29
                                                                    char input[105];
                                                             31
       //如果是SCC
30
                                                                    char* token;
                                                             32
      if (dfn[u] == low[u]) {
31
                                                                    while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
                                                             33
           long long minCost = 0x3f3f3f3f;
32
                                                                        G.assign(105, vector<int>());
                                                             34
33
           int currWays = 0;
                                                             35
                                                                        memset(visited, false, sizeof(visited));
           ++SCC;
34
                                                                        memset(low, 0, sizeof(low));
                                                             36
35
           while (1) {
                                                             37
                                                                        memset(dfn, 0, sizeof(visited));
               int v = sk.top();
36
                                                             38
                                                                        timer = 0;
37
               inStack[v] = 0;
                                                             39
                                                                        res = 0:
38
               sk.pop();
                                                             40
                                                                        getchar(); // for \n
39
               if (minCost > cost[v]) {
                                                             41
                                                                        while (fgets(input, 105, stdin)) {
40
                   minCost = cost[v];
                                                             42
                                                                            if (input[0] == '0')
                   currWays = 1;
41
                                                                                break;
                                                             43
               }
42
                                                             44
                                                                            int size = strlen(input);
               else if (minCost == cost[v]) {
43
                                                             45
                                                                            input[size - 1] = '\0';
44
                   ++currWays;
                                                             46
                                                                            --size;
45
                                                                            token = strtok(input, " ");
                                                             47
46
               if (v == u)
                                                             48
                                                                            int u = atoi(token);
47
                   break;
                                                             49
                                                                            int v;
           }
48
                                                             50
                                                                            while (token = strtok(NULL, " ")) {
           totalCost += minCost;
49
                                                                                 v = atoi(token);
                                                             51
50
           ways = (ways * currWays) % MOD;
                                                             52
                                                                                G[u].emplace_back(v);
51
                                                             53
                                                                                G[v].emplace_back(u);
52 }
                                                             54
                                                                            }
  int main() {
53
                                                             55
                                                                        }
54
      int n;
                                                             56
                                                                        tarjan(1, -1);
       scanf("%d", &n);
55
                                                             57
                                                                        printf("%d \ n", res);
       for (int i = 1; i \le n; ++i)
56
                                                             58
                                                                    }
57
           scanf("%11d", &cost[i]);
                                                             59
                                                                    return 0;
      G.assign(n + 5, vector<int>());
58
                                                             60 }
59
      int m;
      scanf("%d", &m);
60
61
       int u, v;
      for (int i = 0; i < m; ++i) {
                                                                       最小樹狀圖
62
                                                                4.10
           scanf("%d %d", &u, &v);
63
64
           G[u].emplace_back(v);
                                                              1 const int maxn = 60 + 10;
65
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {
                                                                const int inf = 0x3f3f3f3f;
66
           if (dfn[i] == 0)
67
```

```
| const int maxn = 60 + 10;
| const int inf = 0x3f3f3f3f;
| struct Edge {
| int s, t, cap, cost;
| }; // cap 為頻寬 (optional)
| int n, m, c;
| int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn], vis[maxn];
| // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
| // 找環,如果沒有則 return;
```

```
10 // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
                                                              86
                                                                   void push() {
  int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
                                                                     if (lch) lch->constant += constant;
11
                                                              87
       int result = 0, root = 0, N = n;
                                                                     if (rch) rch->constant += constant;
12
                                                              88
       while(true) {
13
                                                              89
                                                                     e->w += constant;
14
           memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
                                                              90
                                                                     constant = 0;
                                                              91
                                                                  }
15
           // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
                                                              92 };
           // optional: low 為最小 cap 限制
16
                                                              93 Heap *merge(Heap *x, Heap *y) {
17
           for(const Edge& e : edges) {
                                                              94
                                                                  if (!x) return y;
18
               if(e.cap < low) continue;</pre>
                                                              95
                                                                   if (!y) return x;
               if(e.s!=e.t && e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
19
                                                              96
                                                                   if(x\rightarrow e\rightarrow w + x\rightarrow constant > y\rightarrow e\rightarrow w + y\rightarrow constant)
                   inEdge[e.t] = e.cost;
20
                                                              97
                                                                     swap(x, y);
21
                   pre[e.t] = e.s;
                                                                   x->push();
                                                              98
22
               }
                                                                   x->rch = merge(x->rch, y);
                                                              99
23
                                                             100
                                                                   if (!x->lch || x->lch->rk < x->rch->rk)
           for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
24
               if(i!=root && inEdge[i]==inf)
                                                             101
                                                                     swap(x->lch, x->rch);
25
                                                             102
                                                                   if (x->rch)
26
                   return -1; //除了root 還有點沒有in edge
                                                             103
                                                                     x->rk = x->rch->rk + 1;
27
                                                             104
                                                                   else
           int seq = inEdge[root] = 0;
28
                                                             105
                                                                     x - rk = 1;
29
           memset(idx, -1, sizeof(idx));
                                                             106
                                                                   return x;
30
           memset(vis, -1, sizeof(vis));
                                                             107 }
31
           // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
                                                             108 Edge *extract(Heap *&x) {
           for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
32
                                                             109
                                                                   Edge *r = x -> e;
33
               result += inEdge[i];
                                                             110
                                                                   x - push();
               int cur = i;
34
                                                             111
                                                                  x = merge(x->lch, x->rch);
35
               while(vis[cur]!=i && idx[cur]==-1) {
                                                             112
                                                                   return r;
36
                   if(cur == root) break;
                                                             113 }
37
                   vis[cur] = i;
                                                                vector < Edge > in[maxn];
                                                             114
                   cur = pre[cur];
38
                                                                int n, m, fa[maxn << 1], nxt[maxn << 1];</pre>
                                                             115
               }
39
                                                             116 Edge *ed[maxn << 1];
               if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
40
                                                             117 Heap *Q[maxn << 1];
41
                   for(int j=pre[cur]; j!=cur; j=pre[j])
                                                             118 UnionFind id;
                        idx[j] = seq;
42
                                                             119
                                                                void contract() {
43
                   idx[cur] = seq++;
                                                             120
                                                                   bool mark[maxn << 1];</pre>
               }
44
                                                                   //將圖上的每一個節點與其相連的那些節點進行記錄
                                                             121
45
                                                             122
                                                                   for (int i = 1; i <= n; i++) {
           if(seq == 0) return result; // 沒有 cycle
46
                                                                     queue<Heap *> q;
                                                             123
           for(int i=0; i<N; i++)</pre>
47
                                                                     for (int j = 0; j < in[i].size(); j++)</pre>
                                                             124
               // 沒有被縮點的點
48
                                                             125
                                                                       q.push(new Heap(&in[i][j]));
               if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
49
                                                             126
                                                                     while (q.size() > 1) {
50
           // 縮點並重新編號
                                                                       Heap *u = q.front();
                                                             127
51
           for(Edge& e : edges) {
                                                             128
                                                                       q.pop();
               if(idx[e.s] != idx[e.t])
52
                                                                       Heap *v = q.front();
                                                             129
53
                   e.cost -= inEdge[e.t];
                                                                       q.pop();
                                                             130
               e.s = idx[e.s];
54
                                                             131
                                                                       q.push(merge(u, v));
55
               e.t = idx[e.t];
                                                             132
           }
56
                                                             133
                                                                     Q[i] = q.front();
57
           N = seq;
                                                             134
58
           root = idx[root];
                                                             135
                                                                   mark[1] = true;
59
                                                                   for(int a=1,b=1,p;Q[a];b=a,mark[b]=true){
                                                             136
60 }
                                                                     //尋找最小入邊以及其端點,保證無環
                                                             137
138
62 0(m+nlog n)時間內解決最小樹形圖問題的演算法。
                                                             139
                                                                       ed[a] = extract(Q[a]);
63 typedef long long 11;
                                                             140
                                                                       a = id[ed[a]->u]:
64 #define maxn 102
                                                             141
                                                                     } while (a == b && Q[a]);
65 #define INF 0x3f3f3f3f
                                                                     if (a == b) break;
                                                             142
  struct UnionFind {
66
                                                                     if (!mark[a]) continue;
                                                             143
    int fa[maxn << 1];</pre>
67
                                                             144
                                                                     //對發現的環進行收縮,以及環內的節點重新編號,
    UnionFind() { memset(fa, 0, sizeof(fa)); }
68
                                                                     //總權值更新
                                                             145
69
    void clear(int n) {
                                                             146
                                                                     for (a = b, n++; a != n; a = p) {
70
      memset(fa + 1, 0, sizeof(int) * n);
                                                             147
                                                                       id.fa[a] = fa[a] = n;
71
                                                             148
                                                                       if (Q[a]) Q[a]->constant -= ed[a]->w;
    int find(int x) {
72
                                                             149
                                                                       Q[n] = merge(Q[n], Q[a]);
      return fa[x] ? fa[x] = find(fa[x]) : x;
73
                                                                       p = id[ed[a]->u];
                                                             150
74
                                                                       nxt[p == n ? b : p] = a;
                                                             151
75
    int operator[](int x) { return find(x); }
                                                             152
76 };
                                                             153
                                                                  }
77
  struct Edge {
                                                             154 }
78
    int u, v, w, w0;
                                                             155 ll expand(int x, int r);
79 };
                                                             156 ll expand_iter(int x) {
80 struct Heap {
                                                             157
                                                                   11 r = 0;
81
    Edge *e;
                                                             158
                                                                   for(int u=nxt[x];u!=x;u=nxt[u]){
    int rk, constant;
82
                                                                     if (ed[u]->w0 >= INF)
                                                             159
83
    Heap *lch, *rch;
                                                             160
                                                                       return INF;
84
    Heap(Edge *_e):
                                                                     else
                                                             161
      e(_e),rk(1),constant(0),lch(NULL),rch(NULL){}
85
                                                                       r+=expand(ed[u]->v,u)+ed[u]->w0;
```

```
163
     }
164
     return r;
165 }
166 ll expand(int x, int t) {
167
     11 r = 0;
168
      for (; x != t; x = fa[x]) {
        r += expand_iter(x);
169
170
        if (r >= INF) return INF;
171
     }
172
      return r;
173 }
   void link(int u, int v, int w) {
174
     in[v].push_back({u, v, w, w});
175
176 }
177 int main() {
178
     int rt;
179
      scanf("%d %d %d", &n, &m, &rt);
180
      for (int i = 0; i < m; i++) {
        int u, v, w;
scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
181
182
183
        link(u, v, w);
184
      //保證強連通
185
     for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
186
        link(i > 1 ? i - 1 : n, i, INF);
187
188
      contract();
     11 ans = expand(rt, n);
189
      if (ans >= INF)
190
191
        puts("-1");
192
     else
193
        printf("%11d\n", ans);
194
      return 0;
195 }
```

4.11 二分圖最大匹配

return false;

32

```
1 /* 核心: 最大點獨立集 = |V| -
      /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
  struct Student {
      int height;
3
      char sex;
5
      string musicStyle;
6
      string sport:
7
      bool canMatch(const Student& other) {
          return ((abs(this->height - other.height) <=</pre>
8
               40) && (this->musicStyle ==
               other.musicStyle)
9
               && (this->sport != other.sport));
10
11
      friend istream& operator >> (istream& input,
           Student& student);
12 };
  vector<Student> boys;
14 vector < Student > girls;
15 vector<vector<int>> G;
16 bool used[505];
17 int p[505]; //pair of boys and girls -> p[j] = i
       代表i男生連到i女生
18 istream& operator >> (istream& input, Student&
       student) {
19
      input >> student.height >> student.sex >>
           student.musicStyle >> student.sport;
      return input;
20
21 }
  bool match(int i) {
22
23
      for (int j: G[i]) {
24
          if (!used[j]) {
25
               used[j] = true;
               if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
26
                   p[j] = i;
27
                   return true;
28
29
              }
30
          }
31
```

```
33 }
  void maxMatch(int n) {
34
       memset(p, -1, sizeof(p));
35
       int res = 0;
36
37
       for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
            memset(used, false, sizeof(used));
38
39
            if (match(i))
40
                ++res:
41
       }
       cout << n - res << '\n';
42
43
  }
  int main() {
44
45
       int t, n;
       scanf("%d", &t);
46
47
       while (t--) {
            scanf("%d", &n);
48
49
            boys.clear();
50
            girls.clear();
51
           G.assign(n + 5, vector<int>());
52
            Student student;
            for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
53
                cin >> student;
                if (student.sex == 'M')
55
56
                    boys.emplace_back(student);
57
58
                     girls.emplace back(student):
59
60
            for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
61
                for (int j = 0; j < girls.size(); ++j) {</pre>
62
                     if (boys[i].canMatch(girls[j])) {
                         G[i].emplace_back(j);
63
64
                     }
65
                }
66
67
            maxMatch(n);
68
       }
69
       return 0;
70 }
```

4.12 JosephusProblem

```
1 //JosephusProblem,只是規定要先砍1號
2 // 所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
  //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
3
  int getWinner(int n, int k) {
      int winner = 0;
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          winner = (winner + k) % i;
7
8
      return winner;
  }
9
10
  int main() {
11
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
12
13
           --n;
14
          for (int k = 1; k \le n; ++k){
              if (getWinner(n, k) == 11){
15
16
                  printf("%d\n", k);
17
                  break:
18
              }
          }
19
20
      }
21
      return 0;
22 3
```

4.13 KM

```
8
      一開始Lx[i] = max(W[i][j]), Ly = 0
                                                          78
                                                                     for (int i = 0; i < n; ++i)
      Lx[i] + Ly[j] >= W[i][j]
                                                                        for (int j = 0; j < n; ++j)
9
                                                          79
      要最小化全部的(Lx[i] + Ly[j])加總
                                                          80
                                                                             scanf("%d", &W[i][j]);
10
                                                                     KM();
                                                          81
      不斷的調整vertex
11
                                                          82
                                                                     int res = 0;
          labeling去找到一條交錯邊皆滿足Lx[i] + Ly[j]
                                                                     for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                          83
          == W[i][i]的增廣路
                                                                        if (i != 0)
       最後會得到正確的二分圖完美匹配中的最大權分配(先滿足量
12
                                                                            printf(" %d", Lx[i]);
       意義是將最大化所有匹配邊權重和的問題改成最小化所有點的
13
14 #define maxn 505
                                                                            printf("%d", Lx[i]);
15 int W[maxn][maxn];
                                                          88
                                                                        res += Lx[i];
16 int Lx[maxn], Ly[maxn];
                                                                    }
                                                          89
17 bool S[maxn], T[maxn];
                                                          90
                                                                    puts("");
18 | //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
                                                                     for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
                                                          91
19 int L[maxn];
                                                          92
                                                                        if (i != 0)
                                                                            printf(" %d", Ly[i]);
20 int n;
                                                          93
21 bool match(int i) {
                                                          94
      S[i] = true;
22
                                                          95
                                                                            printf("%d", Ly[i]);
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
23
                                                          96
                                                                        res += Ly[i];
          // KM重點
24
                                                          97
                                                                    }
25
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
                                                                     puts("");
                                                          98
          // 要想辦法降低Lx + Ly
                                                          99
                                                                    printf("%d\n", res);
26
                                                                }
27
          // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                         100
                                                         101
28
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] && !T[j]) {
                                                                return 0;
29
                                                         102 }
              T[j] = true;
30
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
31
                  L[j] = i;
32
                  return true;
                                                            4.14 LCA 倍增法
33
              }
34
          }
      }
35
                                                           1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),利用Ica找樹上任兩點距離
36
      return false;
                                                            #define maxn 100005
37 }
                                                            struct Edge {
38 // 修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                              int u, v, w;
39 // 此舉是在通過調整 vertex
                                                            };
      labeling看看能不能產生出新的增廣路(KM的增廣路要求Lx[i6] vector<vector<Edge>> G; // tree
       + Ly[j] == W[i][j])
                                                            int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
40 // 在這裡優先從最小的 diff調調看,才能保證最大權重匹配
                                                            long long dis[maxn][31];
                                                           8
41 void update()
                                                            int dep[maxn];//深度
                                                           9
42 {
                                                          10
                                                            void dfs(int u, int p) {//預處理fa
43
      int diff = 0x3f3f3f3f;
                                                          11
                                                                 fa[u][0] = p; //因為u的第2^0 = 1的祖先就是p
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
44
                                                          12
                                                                 dep[u] = dep[p] + 1;
45
          if (S[i]) {
                                                                 //第2^{i}的祖先是 (第2^{i} - 1)個祖先)的第2^{i} - 1
                                                          13
46
              for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                                     1)的祖先
                  if (!T[j])
47
                                                                 //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
                      diff = min(diff, Lx[i] + Ly[j] -
48
                                                                for (int i = 1; i < 31; ++i) {</pre>
                                                          15
                          W[i][j]);
                                                          16
                                                                     fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
49
                                                                     dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1] +
                                                          17
          }
50
                                                                         dis[u][i - 1];
51
      }
                                                          18
52
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                 //遍歷子節點
                                                          19
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
53
                                                          20
                                                                 for (Edge& edge: G[u]) {
54
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
                                                          21
                                                                     if (edge.v == p)
      }
55
                                                          22
                                                                         continue:
56 }
                                                                     dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                          23
57 void KM()
                                                          24
                                                                     dfs(edge.v, u);
58 {
                                                          25
59
      for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
          L[i] = -1;
                                                          26 }
60
                                                          27
                                                            long long lca(int x, int y)
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
61
                                                                 {//此函數是找1ca同時計算x、y的距離 -> dis(x, 1ca)
62
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                                 + dis(lca, y)
63
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
64
                                                          28
                                                                 //讓 y 比 x 深
                                                                 if (dep[x] > dep[y])
65
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                          29
66
          while(1) {
                                                          30
                                                                     swap(x, y);
              memset(S, false, sizeof(S));
67
                                                          31
                                                                 int deltaDep = dep[y] - dep[x];
              memset(T, false, sizeof(T));
                                                          32
                                                                 long long res = 0;
68
69
              if (match(i))
                                                                 //讓y與x在同一個深度
                                                          33
70
                  break:
                                                          34
                                                                 for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i, deltaDep >>=
71
                                                                     1)
72
                  update(); //去調整 vertex
                                                          35
                                                                     if (deltaDep & 1)
                                                                        res += dis[y][i], y = fa[y][i];
                      labeling以增加增廣路徑
                                                          36
                                                                 if (y == x) //x = y -> x \cdot y彼此是彼此的祖先
          }
                                                          37
73
74
                                                          38
                                                                     return res;
75 }
                                                                 //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
                                                          39
76 int main() {
                                                                 for (int i = 30; i >= 0 && y != x; --i) {
                                                          40
77
      while (scanf("%d", &n) != EOF) {
                                                                     if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
```

int k = Log[r - l + 1];

```
42
               res += dis[x][i] + dis[y][i];
43
               x = fa[x][i]:
               y = fa[y][i];
44
45
           }
46
      }
       //最後發現不能跳了,此時x的第2^{0} =
47
           1個祖先(或說y的第2^0 = 1的祖先)即為x \times y的1ca
48
       res += dis[x][0] + dis[y][0];
49
       return res;
50 }
51 int main() {
52
    int n, q;
53
    while (~scanf("%d", &n) && n) {
54
       int v, w;
55
       G.assign(n + 5, vector<Edge>());
           for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
56
         scanf("%d %d", &v, &w);
57
58
         G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
59
         G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
60
61
           dfs(1, 0);
           scanf("%d", &q);
62
63
           int u;
           while (q--) {
64
               scanf("%d %d", &u, &v);
65
               printf("%11d%c", lca(u + 1, v + 1), (q) ?
66
                     ' : '\n');
           }
67
68
    }
69
     return 0;
70 }
```

4.15 LCA 樹壓平 RMO

```
1 //樹壓平求LCA RMQ(sparse table
      O(nlogn)建立, O(1)查詢), 求任意兩點距離,
2 //如果用笛卡兒樹可以壓到O(n)建立,O(1)查詢
3 //理論上可以過,但遇到直鏈的case dfs深度會stack
      overflow
4 #define maxn 100005
5 struct Edge {
6
   int u, v, w;
7 };
8 int dep[maxn], pos[maxn];
9 long long dis[maxn];
10 int st[maxn * 2][32]; //sparse table
11 int realLCA[maxn * 2][32];
       //最小深度對應的節點,及真正的LCA
12 int Log[maxn]; //取代std::log2
13 int tp; // timestamp
14 vector<vector<Edge>> G; // tree
15 void calLog() {
16
    Log[1] = 0;
    Log[2] = 1;
17
    for (int i = 3; i < maxn; ++i)</pre>
18
19
      Log[i] = Log[i / 2] + 1;
20 }
  void buildST() {
21
    for (int j = 0; Log[tp]; ++j) {
22
23
      for (int i = 0; i + (1 << j) - 1 < tp; ++i) {
24
        if (st[i - 1][j] < st[i - 1][j + (1 << i - 1)])</pre>
          st[i][j] = st[i - 1][j];
25
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j];
26
        }
27
28
        else {
29
          st[i][j] = st[i - 1][j + (1 << i - 1)];
30
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j + (1 << i -
              1)];
31
      }
32
33
    }
34 } // O(nlogn)
35 int query(int 1, int r) {// [1, r] min
      depth即為1ca的深度
```

```
if (st[l][k] < st[r - (1 << k) + 1][k])</pre>
37
       return realLCA[1][k];
38
39
     else
40
       return realLCA[r - (1 << k) + 1][k];</pre>
41 }
  void dfs(int u, int p) {//euler tour
42
43
     pos[u] = tp;
     st[tp][0] = dep[u];
44
45
     realLCA[tp][0] = dep[u];
46
47
     for (int i = 0; i < G[u].size(); ++i) {</pre>
48
       Edge& edge = G[u][i];
       if (edge.v == p) continue;
49
50
       dep[edge.v] = dep[u] + 1;
       dis[edge.v] = dis[edge.u] + edge.w;
51
52
       dfs(edge.v, u);
53
       st[tp++][0] = dep[u];
54
    }
55
  }
  long long getDis(int u, int v) {
56
     if (pos[u] > pos[v])
58
       swap(u, v);
     int lca = query(pos[u], pos[v]);
59
     return dis[u] + dis[v] - 2 * dis[query(pos[u],
         pos[v]):
61 }
62
  int main() {
63
    int n, q;
64
       calLog();
     while (~scanf("%d", &n) && n) {
65
66
       int v, w;
67
       G.assign(n + 5, vector<Edge>());
68
       tp = 0;
           for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
69
         scanf("%d %d", &v, &w);
70
         G[i].push_back({i, v, w});
71
72
         G[v].push_back({v, i, w});
73
74
           dfs(0, -1);
           buildST();
75
76
           scanf("%d", &q);
77
           int u;
           while (q--) {
78
                scanf("%d %d", &u, &v);
79
80
                printf("%11d%c", getDis(u, v), (q) ? ' '
                    : '\n');
81
           }
82
83
     return 0;
```

4.16 MCMF

```
1 #define maxn 225
  #define INF 0x3f3f3f3f
  struct Edge {
      int u, v, cap, flow, cost;
  };
  //node size, edge size, source, target
  int n, m, s, t;
  vector<vector<int>> G;
  vector < Edge > edges;
  //SPFA用
10
11 bool inqueue[maxn];
12 //SPFA用的dis[]
13 long long dis[maxn];
14 //maxFlow一路扣回去時要知道parent
15 //<注> 在這題因為G[][]中存的是edgeIndex in edges[]
16
      所以parent存的也是對應 edges []中的 edgeIndex (主要是方便)
17 int parent[maxn];
18 //maxFlow時需要紀錄到 node u時的 bottleneck
19 //同時也代表著u該次流出去的量
20 long long outFlow[maxn];
```

```
21
  void addEdge(int u, int v, int cap, int cost) {
                                                             92
                                                                            addEdge(s, i, produceMax, produceCost);
      edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0, cost});
                                                             93
                                                                            addEdge(M + i, t, sellMax, -sellPrice);
22
       edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0, -cost});
                                                                            for (int j = 0; j <= inventoryMonth; ++j)</pre>
23
24
      m = edges.size();
25
      G[u].emplace_back(m - 2);
                                                             95
                                                                                if (i + j <= M)
26
      G[v].emplace_back(m - 1);
                                                             96
                                                                                     addEdge(i, M + i + j, INF, I * j);
27 }
                                                             97
                                                                            }
28 / / 一邊 求 最 短 路 的 同 時 一 邊 MaxFLow
                                                             98
                                                                        }
                                                                        printf("Case %d: %lld\n", Case, -MCMF());
29 bool SPFA(long long& maxFlow, long long& minCost) {
                                                             99
      // memset(outFlow, 0x3f, sizeof(outFlow));
memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
                                                            100
30
                                                            101
                                                                    return 0;
31
                                                            102 }
32
      memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
33
      queue < int > q;
34
      q.push(s);
      dis[s] = 0;
35
                                                                4.17 莫隊
36
      inqueue[s] = true;
37
      outFlow[s] = INF;
       while (!q.empty()) {
38
                                                              1 /*利用 prefix 前 綴 XOR和
39
           int u = q.front();
                                                                  如果要求[x, y]的XOR和只要回答prefix[y] ^ prefix[x -
40
           q.pop();
                                                                      1]即可在0(1)回答
           inqueue[u] = false;
41
                                                                  同時維護cnt[i]代表[x, y]XOR和 == i的個數
                                                              3
           for (const int edgeIndex: G[u]) {
42
                                                                  如此我們知道[1, r]可以快速知道[1 - 1, r], [1 + 1,
                                                              4
43
               const Edge& edge = edges[edgeIndex];
                                                                      r], [1, r - 1], [1, r + 1]的答案
44
               if ((edge.cap > edge.flow) &&
                                                                  就符合Mo's algorithm的思維O(N * sqrt(n))
                                                              5
                   (dis[edge.v] > dis[u] + edge.cost)) {
                                                                  每次轉移為0(1),具體轉移方法在下面*/
45
                   dis[edge.v] = dis[u] + edge.cost;
                                                                #define maxn 100005
                   parent[edge.v] = edgeIndex;
46
                   outFlow[edge.v] = min(outFlow[u],
                                                                //在此prefix[i]是[1, i]的XOR和
47
                                                                int prefix[maxn];
                                                              9
                       (long long)(edge.cap -
                                                                //log_2(1000000) =
                       edge.flow));
                                                                    19.931568569324174087221916576937...
48
                   if (!inqueue[edge.v]) {
                                                             11 //所以開到1 << 20
                       q.push(edge.v);
49
                       inqueue[edge.v] = true;
                                                             12 //cnt[i]代表的是有符合nums[x, y] such that nums[x] ^
50
51
                   }
                                                                    nums[x + 1] ^ ... ^ nums[y] == i
               }
52
                                                             13 //的個數
           }
53
                                                             14 long long cnt[1 << 20];
54
      }
                                                                //塊大小 -> sqrt(n)
                                                             15
       //如果 dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
55
                                                                int sqrtQ;
                                                             16
      if (dis[t] > 0)
56
                                                             17
                                                                struct Ouerv {
           return false;
57
                                                             18
                                                                    int 1, r, id;
      maxFlow += outFlow[t];
58
                                                                    bool operator < (const Query& other) const {</pre>
                                                             19
59
      minCost += dis[t] * outFlow[t];
                                                                        if (this->1 / sqrtQ != other.1 / sqrtQ)
                                                             20
       //一路更新回去這次最短路流完後要維護的MaxFlow演算法相關
60
                                                                             return this->1 < other.1;
       int curr = t;
61
                                                                        //奇偶排序(優化)
                                                             22
62
       while (curr != s) {
                                                             23
                                                                        if (this->1 / sqrtQ & 1)
           edges[parent[curr]].flow += outFlow[t];
63
                                                                            return this->r < other.r;</pre>
                                                             24
           edges[parent[curr] ^ 1].flow -= outFlow[t];
64
                                                             25
                                                                        return this->r > other.r;
           curr = edges[parent[curr]].u;
65
                                                             26
66
                                                             27 };
67
      return true;
                                                             28 Query querys[maxn];
68 }
                                                             29 long long ans[maxn];
  long long MCMF() {
69
                                                             30 long long res = 0;
70
      long long maxFlow = 0;
                                                                int k:
71
       long long minCost = 0;
                                                                void add(int x) {
                                                             32
72
      while (SPFA(maxFlow, minCost))
                                                                    res += cnt[k ^ prefix[x]];
                                                             33
73
                                                             34
                                                                    ++cnt[prefix[x]];
74
       return minCost;
                                                             35
                                                                }
75 }
                                                             36
                                                                void sub(int x) {
76
  int main() {
                                                                    --cnt[prefix[x]];
                                                             37
77
      int T;
                                                             38
                                                                    res -= cnt[k ^ prefix[x]];
78
      scanf("%d", &T);
                                                             39 }
       for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>
79
                                                             40
                                                                int main() {
           //總共幾個月, 囤貨成本
80
                                                             41
                                                                    int n, m;
                                                                    scanf("%d %d %d", &n, &m, &k);
81
           int M. I:
                                                             42
           scanf("%d %d", &M, &I);
82
                                                             43
                                                                    sqrtQ = sqrt(n);
                                                                    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
83
           //node size
                                                             44
           n = M + M + 2;
                                                                        scanf("%d", &prefix[i]);
84
                                                             45
85
           G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                             46
                                                                        prefix[i] ^= prefix[i - 1];
           edges.clear();
                                                             47
86
87
           s = 0;
                                                                    for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                             48
           t = M + M + 1:
                                                             49
                                                                        scanf("%d %d", &querys[i].1, &querys[i].r);
88
           for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre>
89
                                                             50
                                                                        //減1是因為prefix[i]是[1,
90
               int produceCost, produceMax, sellPrice,
                                                                            i]的前綴XOR和,所以題目問[1,
                   sellMax, inventoryMonth;
                                                                            r]我們要回答[1 - 1, r]的答案
91
               scanf("%d %d %d %d %d", &produceCost,
                                                             51
                                                                        --querys[i].1;
                   &produceMax, &sellPrice, &sellMax,
                                                             52
                                                                        querys[i].id = i;
                   &inventoryMonth);
                                                                    }
                                                             53
```

```
54
       sort(querys + 1, querys + m + 1);
       int 1 = 1, r = 0;
55
       for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
56
57
            while (1 < querys[i].1) {</pre>
58
                 sub(1);
59
                 ++1;
60
61
            while (1 > querys[i].1) {
                 --1;
62
63
                 add(1);
64
            while (r < querys[i].r) {</pre>
65
66
                 add(r);
67
68
            while (r > querys[i].r) {
69
70
                 sub(r);
71
                 --r;
            }
72
73
            ans[querys[i].id] = res;
74
75
       for (int i = 1; i <= m; ++i){
            printf("%11d\n", ans[i]);
76
77
78
       return 0;
79 }
```

4.18 Dancing Links

```
1 struct DLX {
2
       int seq, resSize;
3
       int col[maxn], row[maxn];
4
       int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
       int rowHead[maxn], colSize[maxn];
6
       int result[maxn];
       DLX(int r, int c) {
8
           for(int i=0; i<=c; i++) {
9
               L[i] = i-1, R[i] = i+1;
10
               U[i] = D[i] = i;
11
           L[R[seq=c]=0]=c;
12
13
           resSize = -1;
14
           memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
15
           memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
16
       void insert(int r, int c) {
17
18
           row[++seq]=r, col[seq]=c, ++colSize[c];
19
           U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq, D[c]=seq;
20
           if(rowHead[r]) {
21
               L[seq]=rowHead[r], R[seq]=R[rowHead[r]];
22
               L[R[rowHead[r]]]=seq, R[rowHead[r]]=seq;
23
           } else {
24
               rowHead[r] = L[seq] = R[seq] = seq;
           }
25
26
27
       void remove(int c) {
           L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
28
29
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
               for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
30
31
                   U[D[j]] = U[j];
32
                   D[U[j]] = D[j];
                    --colSize[col[j]];
33
34
           }
35
36
       void recover(int c) {
37
           for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
38
39
               for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                   U[D[j]] = D[U[j]] = j;
40
                   ++colSize[col[j]];
41
42
               }
43
44
           L[R[c]] = R[L[c]] = c;
45
       bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
46
```

```
47
           if(R[0] == 0) {
48
               resSize = idx:
49
                return true;
           }
50
51
           int c = R[0];
52
           for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
               if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
53
54
55
           remove(c);
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
56
57
                result[idx] = row[i];
               for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
58
59
                    remove(col[j]);
                if(dfs(idx+1)) return true;
60
61
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                    recover(col[j]);
62
           }
63
64
           recover(c);
           return false;
65
66
       void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs depth 版
67
           if(R[0] == 0) {
68
                resSize = min(resSize, idx); // 注意init值
69
70
               return:
71
           }
72
           int c = R[0];
73
           for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
               if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
74
75
76
           remove(c);
77
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
78
                for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
79
                    remove(col[j]);
                dfs(idx+1);
80
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
81
82
                    recover(col[j]);
           }
83
           recover(c);
84
85
       }
86 };
```

5 DataStructure

5.1 線段樹 1D

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
5 inline int pull(int 1, int r) {
6 // 隨題目改變sum、max、min
7
  // 1、r是左右樹的index
      return st[1] + st[r];
8
9
  }
10 void build(int 1, int r, int i) {
  // 在[1, r]區間建樹,目前根的index為i
11
12
      if (1 == r) {
13
          st[i] = data[1];
14
          return;
15
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
16
17
      build(1, mid, i * 2);
18
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
19
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
20 }
21 int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
  // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
22
      if (ql <= l && r <= qr)</pre>
23
24
          return st[i];
25
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
26
      if (tag[i]) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
27
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
28
```

```
29
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
30
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
31
32
          tag[i] = 0;
33
34
      int sum = 0;
35
      if (ql <= mid)</pre>
36
          sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
      if (qr > mid)
37
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
38
39
      return sum;
40 }
41 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
42 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
43 // c是變化量
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
44
          st[i] += (r - l + 1) * c;
45
              //求和,此需乘上區間長度
46
          tag[i] += c:
47
          return;
      }
48
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
49
50
      if (tag[i] && l != r) {
51
          //如 果 當 前 懶 標 有 值 則 更 新 左 右 節 點
52
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
53
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
54
55
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
56
          tag[i] = 0;
57
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);</pre>
58
59
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
60
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
61 }
62 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
63 //改值從+=改成=
```

5.2 線段樹 2D

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
3 int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
4 int N;
5 void modifyY(int index, int 1, int r, int val, int
       yPos, int xIndex, bool xIsLeaf) {
      if (1 == r) {
6
7
           if (xIsLeaf) {
               maxST[xIndex][index] =
8
                   minST[xIndex][index] = val;
q
          }
10
11
          maxST[xIndex][index] = max(maxST[xIndex *
               2][index], maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
12
           minST[xIndex][index] = min(minST[xIndex *
               2][index], minST[xIndex * 2 + 1][index]);
      }
13
14
       else {
           int mid = (1 + r) / 2;
15
16
          if (yPos <= mid)</pre>
               modifyY(index * 2, 1, mid, val, yPos,
17
                   xIndex, xIsLeaf);
18
           else
               modifyY(index * 2 + 1, mid + 1, r, val,
19
                   yPos, xIndex, xIsLeaf);
20
21
           maxST[xIndex][index] =
               max(maxST[xIndex][index * 2],
               maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
22
           minST[xIndex][index] =
               min(minST[xIndex][index * 2],
               minST[xIndex][index * 2 + 1]);
23
      }
24 }
25 void modifyX(int index, int 1, int r, int val, int
       xPos, int yPos) {
```

```
26
       if (1 == r) {
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index, true);
27
28
29
       else {
30
           int mid = (1 + r) / 2;
           if (xPos <= mid)</pre>
31
                modifyX(index * 2, 1, mid, val, xPos,
32
33
                modifyX(index * 2 + 1, mid + 1, r, val,
                    xPos, yPos);
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index, false);
35
36
       }
  }
37
38
  void queryY(int index, int 1, int r, int yql, int
       yqr, int xIndex, int& vmax, int &vmin) {
       if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
39
40
           vmax = max(vmax, maxST[xIndex][index]);
           vmin = min(vmin, minST[xIndex][index]);
41
42
       }
43
       else
44
       {
           int mid = (1 + r) / 2;
45
46
           if (yql <= mid)</pre>
                queryY(index * 2, 1, mid, yql, yqr,
47
                    xIndex, vmax, vmin);
           if (mid < yqr)</pre>
49
                queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r, yql,
                    yqr, xIndex, vmax, vmin);
50
51 }
  void queryX(int index, int 1, int r, int xql, int
       xqr, int yql, int yqr, int& vmax, int& vmin) {
       if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>
53
           queryY(1, 1, N, yql, yqr, index, vmax, vmin);
55
56
       else {
           int mid = (1 + r) / 2;
57
58
           if (xql <= mid)</pre>
                queryX(index * 2, 1, mid, xql, xqr, yql,
59
                    yqr, vmax, vmin);
60
           if (mid < xqr)</pre>
                queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r, xql,
61
                    xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
       }
62
63 }
64
  int main() {
       while (scanf("%d", &N) != EOF) {
65
66
           int val;
           for (int i = 1; i <= N; ++i) {</pre>
67
                for (int j = 1; j \le N; ++j) {
68
                    scanf("%d", &val);
69
70
                    modifyX(1, 1, N, val, i, j);
71
                }
           }
72
73
           int q;
74
           int vmax, vmin;
           int xql, xqr, yql, yqr;
75
76
           char op;
           scanf("%d", &q);
77
78
           while (q--) {
79
                getchar(); //for \n
                scanf("%c", &op);
if (op == 'q') {
80
81
                    scanf("%d %d %d %d", &xql, &yql,
82
                         &xqr, &yqr);
                    vmax = -0x3f3f3f3f;
83
                    vmin = 0x3f3f3f3f;
84
85
                    queryX(1, 1, N, xql, xqr, yql, yqr,
                         vmax, vmin);
86
                    printf("%d %d\n", vmax, vmin);
87
                }
                else {
88
89
                    scanf("%d %d %d", &xql, &yql, &val);
90
                    modifyX(1, 1, N, val, xql, yql);
91
                }
           }
```

```
93
       }
                                                               66
                                                                                    ++getCount;
                                                                               }
94
                                                               67
       return 0;
95 }
                                                               68
                                                                                    update(1, 1, stSize, nums[addCount +
                                                               69
                                                                                        1]);
                                                                                    ++addCount;
                                                               70
         權值線段樹
  5.3
                                                               71
                                                                               }
                                                               72
                                                                           }
                                                               73
                                                                      }
1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第k小問題
                                                               74
                                                                       return 0;
2 //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
                                                               75 }
3 #define maxn 30005
4 int nums[maxn];
5 int getArr[maxn];
6 int id[maxn];
                                                                  5.4 Trie
7 int st[maxn << 2];</pre>
 8 void update(int index, int 1, int r, int qx) {
9
       if (1 == r)
                                                                1 const int maxn = 300000 + 10;
10
       {
                                                                  const int mod = 20071027;
11
           ++st[index];
                                                                  int dp[maxn];
12
           return;
                                                                  int mp[4000*100 + 10][26];
13
                                                                  char str[maxn];
14
                                                                  struct Trie {
       int mid = (1 + r) / 2;
15
                                                                      int sea:
       if (qx <= mid)</pre>
16
                                                                       int val[maxn];
           update(index * 2, 1, mid, qx);
17
                                                                9
                                                                      Trie() {
18
                                                               10
                                                                           sea = 0:
           update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
19
                                                               11
                                                                           memset(val, 0, sizeof(val));
20
       st[index] = st[index * 2] + st[index * 2 + 1];
                                                                           memset(mp, 0, sizeof(mp));
                                                               12
21 }
                                                               13
22 //找區間第 k個小的
                                                               14
                                                                       void insert(char* s, int len) {
23 int query(int index, int 1, int r, int k) {
                                                               15
                                                                           int r = 0;
24
       if (1 == r)
                                                               16
                                                                           for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
           return id[1];
25
                                                                               int c = s[i] - 'a';
                                                               17
       int mid = (1 + r) / 2;
26
                                                               18
                                                                               if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
27
       //k比左子樹小
                                                               19
                                                                               r = mp[r][c];
       if (k <= st[index * 2])</pre>
28
                                                               20
           return query(index * 2, 1, mid, k);
29
                                                               21
                                                                           val[r] = len;
30
                                                                           return;
                                                               22
           return query(index * 2 + 1, mid + 1, r, k -
31
                                                               23
                st[index * 2]);
                                                                      int find(int idx, int len) {
                                                               24
32 }
                                                               25
                                                                           int result = 0;
33 int main() {
                                                                           for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
                                                               26
34
       int t;
                                                               27
                                                                               int c = str[idx] - 'a';
35
       cin >> t;
                                                               28
                                                                               if(!(r = mp[r][c])) return result;
       bool first = true;
36
                                                               29
                                                                               if(val[r])
       while (t--) {
37
                                                               30
                                                                                    result = (result + dp[idx + 1]) % mod;
           if (first)
38
                                                               31
               first = false;
39
                                                               32
                                                                           return result;
40
           else
                                                                      }
                                                               33
               puts("");
41
                                                                  };
                                                               34
           memset(st, 0, sizeof(st));
42
                                                               35
                                                                  int main() {
43
           int m, n;
                                                                      int n, tc = 1;
                                                               36
           cin >> m >> n;
44
                                                               37
                                                                       while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
45
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                                           Trie tr;
                                                               38
               cin >> nums[i];
46
                                                               39
                                                                           int len = strlen(str);
               id[i] = nums[i];
47
                                                               40
                                                                           char word[100+10];
48
                                                                           memset(dp, 0, sizeof(dp));
                                                               41
           for (int i = 0; i < n; ++i)
49
                                                                           dp[len] = 1;
                                                               42
50
                cin >> getArr[i];
                                                                           while(n--) {
                                                               43
           //離散化
51
                                                               44
                                                                               scanf("%s", word);
52
           //防止m == 0
                                                               45
                                                                               tr.insert(word, strlen(word));
                                                               46
53
           if (m)
54
               sort(id + 1, id + m + 1);
                                                               47
                                                                           for(int i=len-1; i>=0; i--)
                                                                               dp[i] = tr.find(i, len);
55
           int stSize = unique(id + 1, id + m + 1) - (id
                                                               48
                                                                           printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
                                                               49
                + 1);
56
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {
                                                               50
                nums[i] = lower_bound(id + 1, id + stSize
                                                                      return 0;
                                                               51
57
                    + 1, nums[i]) - id;
                                                               52 }
                                                                  /****Input****
           }
58
                                                               53
59
           int addCount = 0;
                                                               54
                                                                   * abcd
                                                                  * 4
60
           int getCount = 0;
                                                               55
           int k = 1:
                                                               56
                                                                   * a b cd ab
61
           while (getCount < n) {</pre>
                                                               57
                                                                   *********
62
                if (getArr[getCount] == addCount) {
                                                               58
                                                                   ****Output***
63
                                                               59
                                                                   * Case 1: 2
                    printf("%d\n", query(1, 1, stSize,
64
```

60

k));

++k;

65

15 };

5.5 單調隊列

```
1 // 單調隊列
2 | "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
3
4
  example
6 給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
7
9 #include <bits/stdc++.h>
10 #define maxn 1000100
11 using namespace std;
12 int q[maxn], a[maxn];
13 int n, k;
14
15 void getmin() {
      // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
17
      int head=0,tail=0;
18
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
19
           q[++tail]=i;
20
21
      for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
           q[++tail]=i;
24
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
25
           cout << a[q[head]] << " ";
26
27
      cout << endl;</pre>
28
29 }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head=0,tail=0;
32
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
37
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
38
39
           α[++tail]=i:
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
40
41
           cout << a[q[head]] << " ";
42
      cout << endl;
43
44 }
45
  int main(){
46
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
      for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
      getmin();
50
      getmax();
      return 0:
51
52 }
```

6 geometry

6.1 intersection

```
1 using LL = long long;
2
3
  struct Point2D {
4
      LL x, y;
5 };
7
  struct Line2D {
      Point2D s, e;
8
      LL a, b, c;
                                // L: ax + by = c
9
      Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e) {
10
11
           a = e.y - s.y;
12
           b = s.x - e.x;
13
           c = a * s.x + b * s.y;
      }
14
```

```
16
17 // 用克拉馬公式求二元一次解
  Point2D intersection2D(Line2D 11, Line2D 12) {
      LL D = 11.a * 12.b - 12.a * 11.b;
19
      LL Dx = 11.c * 12.b - 12.c * 11.b;
20
      LL Dy = 11.a * 12.c - 12.a * 11.c;
21
22
23
      if(D) {
                       // intersection
          double x = 1.0 * Dx / D;
24
25
          double y = 1.0 * Dy / D;
26
      } else {
27
          if(Dx || Dy) // Parallel lines
28
                        // Same line
29
      }
30 }
```

6.2 半平面相交

```
1 // Q: 給定一張凸包(已排序的點),
2 // 找出圖中離凸包外最遠的距離
  const int maxn = 100 + 10;
  const double eps = 1e-7;
  struct Vector {
8
       double x, y;
9
       Vector(double x=0.0, double y=0.0): x(x), y(y) {}
10
11
       Vector operator+(Vector v) {
12
           return Vector(x+v.x, y+v.y);
13
14
       Vector operator - (Vector v) {
15
          return Vector(x-v.x, y-v.y);
16
       Vector operator*(double val) {
17
18
          return Vector(x*val, y*val);
19
      double dot(Vector v) { return x*v.x + y*v.y; }
20
       double cross(Vector v) { return x*v.y - y*v.x; }
21
       double length() { return sqrt(dot(*this)); }
22
23
       Vector unit_normal_vector() {
           double len = length();
24
25
           return Vector(-y/len, x/len);
26
      }
27 };
28
29
  using Point = Vector;
30
31
  struct Line {
      Point p;
32
33
       Vector v;
       double ang;
34
35
       Line(Point p=\{\}, Vector v=\{\}): p(p), v(v) \{
36
          ang = atan2(v.y, v.x);
37
38
      bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
          return ang < 1.ang;</pre>
39
40
41
      Point intersection(Line 1) {
42
          Vector u = p - 1.p;
           double t = 1.v.cross(u) / v.cross(1.v);
43
44
          return p + v*t:
      }
45
46 };
47
48 int n, m;
                         // 要判斷的直線
49 Line narrow[maxn];
                         // 能形成半平面交的凸包邊界點
50 Point poly[maxn];
51
  // return true if point p is on the left of line l
  bool onLeft(Point p, Line 1) {
53
54
      return 1.v.cross(p-1.p) > 0;
55
  }
56
```

```
57 int halfplaneIntersection() {
        int 1, r;
58
                                // 排序後的向量隊列
59
        Line L[maxn];
        Point P[maxn];
                                // s[i] 跟 s[i-1] 的交點
60
61
62
        L[l=r=0] = narrow[0]; // notice: narrow is sorted
        for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
63
            while(l<r && !onLeft(P[r-1], narrow[i])) r--;</pre>
64
            while(l<r && !onLeft(P[l], narrow[i])) l++;</pre>
65
66
            L[++r] = narrow[i];
67
68
            if(1 < r) P[r-1] = L[r-1].intersection(L[r]);
69
70
71
        while(l<r && !onLeft(P[r-1], L[1])) r--;</pre>
72
        if(r-1 <= 1) return 0;</pre>
73
       P[r] = L[r].intersection(L[1]);
74
75
76
        int m=0:
        for(int i=1; i<=r; i++) {</pre>
77
            poly[m++] = P[i];
78
79
80
81
        return m;
82 }
83
84 Point pt[maxn];
85 Vector vec[maxn];
86 | Vector normal[maxn]; // normal[i] = vec[i] 的單位法向量
87
88 double bsearch(double 1=0.0, double r=1e4) {
89
        if(abs(r-1) < eps) return 1;</pre>
90
91
        double mid = (1 + r) / 2;
92
        for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
93
94
            narrow[i] = Line(pt[i]+normal[i]*mid, vec[i]);
95
96
        if(halfplaneIntersection())
97
98
            return bsearch(mid, r);
        else return bsearch(1, mid);
99
100 }
101
   int main() {
102
        while(~scanf("%d", &n) && n) {
103
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
104
105
                 double x, y;
                 scanf("%1f%1f", &x, &y);
106
107
                 pt[i] = \{x, y\};
108
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
109
                 vec[i] = pt[(i+1)%n] - pt[i];
110
111
                 normal[i] = vec[i].unit_normal_vector();
            }
112
113
            printf("%.61f\n", bsearch());
114
115
        }
116
        return 0;
117 }
```

6.3 凸包

```
1 // Q: 平面上給定多個區域,由多個座標點所形成,再給定
2 // 多點(x,y),判斷有落點的區域(destroyed)的面積總和。
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

6 const int maxn = 500 + 10;
const int maxCoordinate = 500 + 10;

8 struct Point {
int x, y;
11 };
```

```
12
13 int n:
14 bool destroyed[maxn];
15 Point arr[maxn]:
  vector < Point > polygons[maxn];
16
17
  void scanAndSortPoints() {
18
19
       int minX = maxCoordinate, minY = maxCoordinate;
20
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
            int x, y;
scanf("%d%d", &x, &y);
21
22
            arr[i] = (Point)\{x, y\};
23
            if(y < minY || (y == minY && x < minX)) {</pre>
24
25
           If there are floating points, use:
26
       // if(y<minY || (abs(y-minY)<eps && x<minX)) {
                minX = x, minY = y;
27
28
29
       }
30
       sort(arr, arr+n, [minX, minY](Point& a, Point& b){
            double theta1 = atan2(a.y - minY, a.x - minX);
double theta2 = atan2(b.y - minY, b.x - minX);
31
32
33
            return theta1 < theta2;</pre>
       });
34
35
       return:
36
  }
37
       returns cross product of u(AB) \times v(AC)
38
  int cross(Point& A, Point& B, Point& C) {
39
       int u[2] = {B.x - A.x, B.y - A.y};
int v[2] = {C.x - A.x, C.y - A.y};
40
41
       return (u[0] * v[1]) - (u[1] * v[0]);
42
43
  }
44
45
  // size of arr = n >= 3
  // st = the stack using vector, m = index of the top
46
47
  vector < Point > convex_hull() {
48
       vector<Point> st(arr, arr+3);
       for(int i=3, m=2; i<n; i++, m++) {</pre>
49
            while(m >= 2) {
51
                if(cross(st[m], st[m-1], arr[i]) < 0)</pre>
52
                     break:
53
                st.pop_back();
54
                m - -;
55
            }
56
            st.push_back(arr[i]);
57
       }
58
       return st;
59
  }
60
  bool inPolygon(vector<Point>& vec, Point p) {
61
62
       vec.push_back(vec[0]);
       for(int i=1; i<vec.size(); i++) {</pre>
63
64
            if(cross(vec[i-1], vec[i], p) < 0) {</pre>
65
                vec.pop_back();
                return false;
66
            }
67
       }
68
69
       vec.pop_back();
70
       return true;
71
  }
72
                   x 2
73
          1 | x1
                         x3
                               x 4
                                      х5
                                                   xn I
          - |
74
                 Х
                        Х
                                   Х
          2 | y1 y2 y3 y4 y5
75
                                                   yn |
  double calculateArea(vector<Point>& v) {
76
77
       v.push_back(v[0]);
                                       // make v[n] = v[0]
       double result = 0.0;
78
       for(int i=1; i<v.size(); i++)</pre>
79
            result += v[i-1].x*v[i].y - v[i-1].y*v[i].x;
80
       v.pop_back();
82
       return result / 2.0;
83
  }
84
85
  int main() {
86
       int p = 0;
87
       while(~scanf("%d", &n) && (n != -1)) {
88
            scanAndSortPoints();
```

```
89
            polygons[p++] = convex_hull();
        }
90
91
        int x, y;
92
93
        double result = 0.0;
        while(~scanf("%d%d", &x, &y)) {
94
            for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
95
96
                 if(inPolygon(polygons[i], (Point){x, y}))
                     destroyed[i] = true;
97
98
99
        for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
100
            if(destroyed[i])
101
                 result += calculateArea(polygons[i]);
102
103
        printf("%.21f\n", result);
104
105
        return 0;
106 }
```

DP

以價值為主的背包

```
1 / *w 變得太大所以一般的01 背包解法變得不可能
    觀察題目w變成10^9
    而 v_i 變 成 10 ^ 3
    N不變 10^2
    試著湊湊看dp狀態
    dp[maxn][maxv]是可接受的複雜度
    剩下的是轉移式,轉移式變成
7
8
    dp[i][j] = w \rightarrow
        當目前只考慮到第i個商品時,達到獲利j時最少的weight網int N, K, M;
    所以答案是dp[n][1 \sim maxv]找價值最大且裝的下的*/
10 #define maxn 105
11 #define maxv 100005
12 long long dp[maxn][maxv];
13 long long weight[maxn];
14 long long v[maxn];
15
  int main() {
      int n:
16
17
      long long w;
      scanf("%d %11d", &n, &w);
18
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {
19
          scanf("%11d %11d", &weight[i], &v[i]);
20
21
22
      memset(dp, 0x3f, sizeof(dp));
23
      dp[0][0] = 0;
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
24
          for (int j = 0; j <= maxv; ++j) {</pre>
25
              if (j - v[i] >= 0)
26
27
                   dp[i][j] = dp[i - 1][j - v[i]] +
                      weight[i];
28
              dp[i][j] = min(dp[i - 1][j], dp[i][j]);
          }
29
30
31
      long long res = 0;
      for (int j = maxv - 1; j >= 0; --j) {
32
33
          if (dp[n][j] <= w) {</pre>
              res = j;
34
35
              break;
          }
36
37
38
      printf("%11d\n", res);
39
      return 0;
40 }
```

7.2 抽屜

```
1 // dp[n][s][t] n: 幾個抽屜 s: 幾個是安全的 t: (0 or
    1) 最上面的抽屜是U or L
```

```
// case 1: dp[n][s][0] = dp[n - 1][s + 1][1] + dp[n - 1][s + 1][1]
      1][s][0]
4 // 此時最上面放 U,則
5 // dp[n - 1][s + 1][1]: 現在要放的U會導致底下n -
      1個抽屜最上面L變不安全,為了得到n個抽屜s個安全,所以要s
6 // dp[n - 1][s][0]: n
      1個抽屜有 s個安全, 現在在其上面再放一個 U不影響 s的數量
  // case 2: dp[n][s][1] = dp[n - 1][s - 1][1] + dp[n - 1][s - 1][1]
      1][s - 1][0]
8/// 在最上面放L,底下n-1個抽屜有s-1
      1個安全,無論上方是U、L皆不影響
9 long long dp[70][70][2];
10 // 初始條件
  dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
11
  for (int i = 2; i <= 66; ++i){
12
      // i個抽屜0個安全且上方0 = (底下i -
          1個抽屜且1個安全且最上面L) + (底下n -
          1個抽屜0個安全且最上方為0)
      dp[i][0][0] = dp[i - 1][1][1] + dp[i - 1][0][0];
14
      for (int j = 1; j <= i; ++j) {</pre>
15
         dp[i][j][0] = dp[i - 1][j + 1][1] + dp[i -
16
             17[i7[07:
         dp[i][j][1] = dp[i - 1][j - 1][1] + dp[i -
17
             1][j - 1][0];
18
19 }
20 //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
```

7.3 Barcode

```
2 long long dp[55][55];
3 // n -> 目前剩多少units
4 // k -> 目前剩多少bars
  // m -> 1 bar最多多少units
  long long dfs(int n, int k) {
6
      if (k == 1) {
           return (n <= M);</pre>
8
      if (dp[n][k] != -1)
10
11
           return dp[n][k];
12
       long long result = 0;
13
       for (int i = 1; i < min(M + 1, n); ++i) { // <
           min(M + 1, n)是因為n不能==0
           result += dfs(n - i, k - 1);
14
15
      }
      return dp[n][k] = result;
16
17
  }
18
  int main() {
       while (scanf("%d %d %d", &N, &K, &M) != EOF) {
19
20
           memset(dp, -1, sizeof(dp));
           printf("%lld\n", dfs(N, K));
21
      }
22
23
       return 0;
24 3
```

7.4 Deque 最大差距

```
1 / * 定義 dp [1][r]是1 ~ r 時 與 先 手 最 大 差 異 值
   Deque可以拿頭尾
   所以轉移式中dp[1][r]與dp[1 + 1][r]、dp[1][r - 1]有關
3
    轉移式:
    dp[1][r] = max{a[1] - solve(1 + 1, r), a[r] -}
       solve(1, r - 1)
    裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,所以正負正負...*/
  #define maxn 3005
  bool vis[maxn][maxn];
  long long dp[maxn][maxn];
10 long long a[maxn];
```

Jc11 FJCU 19

```
11 long long solve(int l, int r) {
       if (1 > r)
12
           return 0;
13
       if (vis[1][r])
14
15
           return dp[l][r];
16
       vis[l][r] = true;
       long long res = a[1] - solve(1 + 1, r);
17
18
       res = max(res, a[r] - solve(l, r - 1));
19
       return dp[l][r] = res;
20 }
21 int main() {
22
23
       printf("%11d\n", solve(1, n));
24 }
```

7.5 LCS 和 LIS

```
1 //最長共同子序列(LCS)
2 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
3 C 同時為 A,B 的子序列。
4 //最長遞增子序列 (LIS)
5 給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6 B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
7 //LCS 和 LIS 題目轉換
8 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
    2. 對 A,B 做 LCS
10
11 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
12
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
13
    3. 對 B 做 LIS
14
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
15
      越早出現的數字要越小
16
17
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
      直接忽略這個數字不做轉換即可
18
```

7.6 RangeDP

```
1 //區間 dp
2 int dp[55][55]; // dp[i][j] -> [i,
       j]切割區間中最小的cost
3 int cuts[55];
4 int solve(int i, int j) {
      if (dp[i][j] != -1)
6
          return dp[i][j];
      //代表沒有其他切法,只能是 cuts[j] - cuts[i]
7
      if (i == j - 1)
8
          return dp[i][j] = 0;
9
10
      int cost = 0x3f3f3f3f;
      for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
11
           //枚舉區間中間切點
12
13
          cost = min(cost, solve(i, m) + solve(m, j) +
               cuts[j] - cuts[i]);
14
15
      return dp[i][j] = cost;
16 }
17
  int main() {
18
      int 1;
      int n:
19
      while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
20
           scanf("%d", &n);
21
           for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
22
               scanf("%d", &cuts[i]);
23
          cuts[0] = 0;
24
25
           cuts[n + 1] = 1;
26
           memset(dp, -1, sizeof(dp));
          printf("The minimum cutting is %d.\n",
27
               solve(0, n + 1));
28
29
      return 0;
30 }
```

7.7 stringDP

· Edit distance

1 #define maxn 50005

 S_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2

$$dp[i][j] = \left\{ \begin{array}{cccc} i+1 & \text{if} & j=-1\\ j+1 & \text{if} & i=-1\\ dp[i-1][j-1] & \text{if} & S_1[i] = S_2[j]\\ dp[i][j-1] & dp[i-1][j]\\ dp[i-1][j-1] \end{array} \right\} + 1 \quad \text{if} \quad S_1[i] \neq S_2[j]$$

• Longest Palindromic Subsequence

$$dp[l][r] = \left\{ \begin{array}{ccc} 1 & \text{if} & l = r \\ dp[l+1][r-1] & \text{if} & S[l] = S[r] \\ \max\{dp[l+1][r], dp[l][r-1]\} & \text{if} & S[l] \neq S[r] \end{array} \right.$$

7.8 TreeDP 有幾個 path 長度為 k

```
2 #define maxk 505
3 //dp[u][u的 child且距離 u長度 k的數量]
4 long long dp[maxn][maxk];
  vector<vector<int>> G;
  int n, k;
7
  long long res = 0;
  void dfs(int u, int p) {
      //u自己
      dp[u][0] = 1;
10
11
      for (int v: G[u]) {
12
         if (v == p)
             continue;
13
         dfs(v, u);
         for (int i = 1; i <= k; ++i) {</pre>
15
             //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
16
17
             dp[u][i] += dp[v][i - 1];
18
     }
19
      //統計在u子樹中距離u為k的數量
20
21
      res += dp[u][k];
      //統計橫跨u但還是在u的子樹中合計長度為k的:
22
      //考慮u有一子節點v,在v子樹中距離v長度為x的
23
      //以及不在v子樹但在u子樹中(這樣才會是橫跨u)且距離u長度為k
24
         - x - 1的
      //共有0.5 * (dp[v][x] * (dp[u][k - x - 1] -
25
         dp[v][k - x - 2]))
      //以上算式是重點,可使複雜度下降,否則枚舉一定超時
26
      //其中 dp[u][k-x-1]是所有u子樹中距離u為k-x
27
         - 1的節點
      // - dp[v][k - x -
          2]是因為我們不要v子樹的節點且距離u為k - x -
          1的(要v子樹以外的),
29
      //那些點有dp[v][k - x - 2],最後0.5是由於計算中i
          -> j以及j -> i(i、j是不同節點)
      //都會被算一遍,所以要 * 0.5
30
      long long cnt = 0;
31
      for (int v: G[u]) {
32
33
         if (v == p)
             continue;
34
35
         for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
             cnt += dp[v][x] * (dp[u][k - x - 1] -
36
                 dp[v][k - x - 2]);
37
38
     }
39
      res += cnt / 2;
40 }
  int main() {
      scanf("%d %d", &n, &k);
42
43
     G.assign(n + 5, vector<int>());
      int u, v;
44
45
      for (int i = 1; i < n; ++i) {
         scanf("%d %d", &u, &v);
46
47
         G[u].emplace_back(v);
48
         G[v].emplace_back(u);
49
     dfs(1, -1);
```

```
51
      printf("%lld \ n", res);
                                                             65
52
      return 0;
                                                             66
53 }
                                                             67
                                                             68
                                                             69
                                                             70
  7.9 TreeDP reroot
                                                             71
                                                             72
1 /*Re-root 經典題
2 1. 選0作為 root
                                                             73
3 2. 以0為root去求出所有節點的subtreeSize
                                                             74
4| 3. 觀察到 re-root後的關係式
                                                                        }
                                                             75
                                                                    }
5 配合思考圖片
                                                             76
                                                             77 };
6 f(0)與f(2)的關係
7 | f(2) = f(0) + a - b
8 | a = n - b, (subtree(2)以外的節點)
9 b = subtreeSize(2), (subtree(2))
10| 所以 f (n) 是 n為 root 到 所 有 點 的 距 離
11 f(2) = f(0) + n - 2 * subtreeSize(2)
13 f(child) = f(parent) + n - 2 * subtreeSize(child)
14| 流程
                                                              3
      1. root = 0去求各項 subtreeSize
15
16
      2. 求f(root)
      3. 以f(0)去求出re-root後的所有f(v), v != 0
17
                                                              5
18|整體來說
                                                              6
19
  暴力解 O(n ^ 2)
                                                              7
20 re-root dp on tree 0(n + n + n) -> 0(n)*/
                                                              8
21 class Solution {
22 public:
23
      vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
                                                             11
           vector<vector<int>>& edges) {
24
           this->res.assign(n, 0);
25
           G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                             14
26
           for (vector<int>& edge: edges) {
                                                                    v) {
27
               G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
                                                             15
               G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
28
                                                             16
          }
29
                                                             17
          memset(this->visited, 0,
30
                                                                    }
                                                             18
               sizeof(this->visited));
                                                             19
           this -> dfs(0);
31
                                                             20
32
           memset(this->visited, 0,
                                                             21
               sizeof(this->visited));
                                                             22
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
33
                                                             23
34
           memset(this->visited, 0,
                                                             24
               sizeof(this->visited));
                                                                        1]);
35
           this->dfs3(0, n);
                                                             25 }
           return this->res;
36
      }
37
                                                                    qr) {
  private:
38
                                                             27
39
      vector<vector<int>> G;
                                                             28
40
      bool visited[30005];
                                                             29
41
      int subtreeSize[30005];
                                                             30
42
      vector<int> res;
                                                             31
43
      //求subtreeSize
                                                             32
      int dfs(int u) {
44
45
           this->visited[u] = true;
                                                             33
           for (int v: this->G[u]) {
46
                                                             34
47
               if (!this->visited[v]) {
48
                   this->subtreeSize[u] += this->dfs(v);
                                                             35
49
              }
                                                             36 }
50
          }
                                                             37
                                                               int main() {
51
                                                             38
                                                                    int n;
52
          this->subtreeSize[u] += 1:
                                                             39
53
           return this->subtreeSize[u];
                                                             40
      }
54
                                                             41
      //求 res [0], 0到所有點的距離
55
      int dfs2(int u, int dis) {
56
                                                             43
57
           this->visited[u] = true;
                                                             44
           int sum = 0;
58
                                                             45
           for (int v: this->G[u]) {
59
                                                             46
               if (!visited[v]) {
60
                                                             47
61
                   sum += this->dfs2(v, dis + 1);
                                                             48
62
               }
                                                             49
63
           //要加上自己的距離
64
```

```
return sum + dis;
//算出所有的res
void dfs3(int u, int n) {
    this->visited[u] = true;
    for (int v: this->G[u]) {
        if (!visited[v]) {
            this->res[v] = this->res[u] + n - 2 *
                this -> subtreeSize[v];
            this->dfs3(v, n);
        }
```

WeightedLIS

```
1 / *概念基本上與LIS相同,但不能用greedy的LIS,所以只能用dp版LIS
    但有個問題是dp版要0(n^2)
    n最大200000一定超時,所以這題要改一下dp的LIS
    在DP版中有一層迴圈是要往前搜height[j] < height[i](j
        in 1 ~ i - 1)的然後挑B[j]最大的
    這 for loop 造成 O(n ^ 2)
    注意到子問題是在1~i-1中挑出B[j]最大的
    這一步可以用線段樹優化
    所以最後可以在O(nlogn)完成*/
9 #define maxn 200005
10 long long dp[maxn];
  long long height[maxn];
12 long long B[maxn];
13 long long st[maxn << 2];</pre>
  void update(int p, int index, int 1, int r, long long
      if (1 == r) {
          st[index] = v;
          return;
      int mid = (1 + r) >> 1;
      if (p <= mid)
          update(p, (index << 1), 1, mid, v);
          update(p, (index << 1) + 1, mid + 1, r, v);
      st[index] = max(st[index << 1], st[(index << 1) +
26 long long query(int index, int 1, int r, int ql, int
      if (ql <= 1 && r <= qr)
          return st[index];
      int mid = (1 + r) >> 1;
      long long res = -1;
      if (ql <= mid)</pre>
          res = max(res, query(index << 1, 1, mid, ql,
              qr));
      if (mid < qr)
          res = max(res, query((index << 1) + 1, mid +
             1, r, ql, qr));
      return res;
      scanf("%d", &n);
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          scanf("%11d", &height[i]);
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          scanf("%11d", &B[i]);
      long long res = B[1];
      update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
      for (int i = 2; i <= n; ++i) {
          long long temp;
          if (height[i] - 1 >= 1)
              temp = B[i] + query(1, 1, n, 1, height[i]
                 - 1);
50
          else
```