

Contents

1	ubuntu	1
1.1	run	1
1.2	cp.sh	1
2	Basic	1
2.1	ascii	1
2.2	limits	1
3	字串	1
3.1	最長迴文子字串	1
3.2	stringstream	2
4	STL	2
4.1	priority_queue	2
4.2	queue	2
4.3	deque	2
4.4	map	3
4.5	unordered_map	3
4.6	set	3
4.7	multiset	3
4.8	unordered_set	4
4.9	單調隊列	4
5	sort	5
5.1	大數排序	5
5.2	bubble sort	5
6	math	5
6.1	質數與因數	5
6.2	prime factorization	6
6.3	快速冪	6
6.4	歐拉函數	6
7	algorithm	7
7.1	basic	7
7.2	binarysearch	7
7.3	prefix sum	7
7.4	差分	7
7.5	greedy	8
8	動態規劃	11
8.1	LCS 和 LIS	11
9	graph	11
9.1	graph	11
10	Section2	12
10.1	thm	12
11	space	12
11.1	s	12
12	reference	13
12.1	assert.cpp	13
12.2	find.cpp	13
12.3	hw6.cpp	13
12.4	print.cpp	14
12.5	rectangle.cpp	14
12.6	rvec.cpp	15
12.7	sort.cpp	15
12.8	RationalNumber.cpp	15
12.9	SortFunctionTemplate.cpp	16

1 ubuntu

1.1 run

```
1|~$ bash cp.sh PA
```

1.2 cp.sh

```
1|#!/bin/bash
2|clear
3|g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4|if [[ "$$" == "0" ]]; then
5|    echo Running
6|    ./$1 < $1.in > $1.out
7|    echo END
8|fi
```

2 Basic

2.1 ascii

1	int	char	int	char	int	char
2	32		64	@	96	`
3	33	!	65	A	97	a
4	34	"	66	B	98	b
5	35	#	67	C	99	c
6	36	\$	68	D	100	d
7	37	%	69	E	101	e
8	38	&	70	F	102	f
9	39	'	71	G	103	g
10	40	(72	H	104	h
11	41)	73	I	105	i
12	42	*	74	J	106	j
13	43	+	75	K	107	k
14	44	,	76	L	108	l
15	45	-	77	M	109	m
16	46	.	78	N	110	n
17	47	/	79	O	111	o
18	48	0	80	P	112	p
19	49	1	81	Q	113	q
20	50	2	82	R	114	r
21	51	3	83	S	115	s
22	52	4	84	T	116	t
23	53	5	85	U	117	u
24	54	6	86	V	118	v
25	55	7	87	W	119	w
26	56	8	88	X	120	x
27	57	9	89	Y	121	y
28	58	:	90	Z	122	z
29	59	;	91	[123	{
30	60	<	92	\	124	
31	61	=	93]	125	}
32	62	>	94	^	126	~
33	63	?	95	_		

2.2 limits

1	[Type]	[size]	[range]
2	char	1	127 to -128
3	signed char	1	127 to -128
4	unsigned char	1	0 to 255
5	short	2	32767 to -32768
6	int	4	2147483647 to -2147483648
7	unsigned int	4	0 to 4294967295
8	long	4	2147483647 to -2147483648
9	unsigned long	4	0 to 18446744073709551615
10	long long	8	
11		9223372036854775807 to -9223372036854775808	
12	double	8	1.79769e+308 to 2.22507e-308
13	long double	16	1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14	float	4	3.40282e+38 to 1.17549e-38
15	unsigned long long	8	0 to 18446744073709551615
16	string	32	

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```
1|#include <bits/stdc++.h>
2|#define T(x) ((x) % 2 ? s[(x) / 2] : '. ')
3|using namespace std;
4|
5|string s;
6|int n;
7|
8|int ex(int l, int r) {
9|    int i = 0;
```

```

10 while(1 - i >= 0 && r + i < n && T(1 - i) == T(r +
    i)) i++;
11 return i;
12 }
13
14 int main() {
15     cin >> s;
16     n = 2 * s.size() + 1;
17
18     int mx = 0;
19     int center = 0;
20     vector<int> r(n);
21     int ans = 1;
22     r[0] = 1;
23     for(int i = 1; i < n; i++) {
24         int ii = center - (i - center);
25         int len = mx - i + 1;
26         if(i > mx) {
27             r[i] = ex(i, i);
28             center = i;
29             mx = i + r[i] - 1;
30         } else if(r[ii] == len) {
31             r[i] = len + ex(i - len, i + len);
32             center = i;
33             mx = i + r[i] - 1;
34         } else {
35             r[i] = min(r[ii], len);
36         }
37         ans = max(ans, r[i]);
38     }
39
40     cout << ans - 1 << "\n";
41     return 0;
42 }

```

3.2 stringstream

```

1 string s, word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin, s);
4 ss << s;
5 while(ss >> word)
6     cout << word << endl;

```

4 STL

4.1 priority_queue

```

1 priority_queue: 優先隊列，資料預設由大到小排序，
    即優先權高的資料會先被取出。
2 宣告：
3     priority_queue<int> pq;
4 把元素 x 加進 priority_queue：
5     pq.push(x);
6 讀取優先權最高的值：
7     x = pq.top();
8     pq.pop(); //讀取後刪除
9 判斷是否為空的priority_queue：
10    pq.empty() //回傳 true
11    pq.size() //回傳 0
12 如需改變priority_queue的優先權定義：
13    priority_queue<T> pq; //預設由大到小
14    priority_queue<T, vector<T>, greater<T>> > pq;
15    //改成由小到大
16    priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp

```

4.2 queue

```

1 queue: 佇列，資料有「先進先出」 (first in first out,
    FIFO)的特性。
2 就像排隊買票一樣，先排隊的客戶被服務。
3 宣告：
4     queue<int> q;
5 把元素 x 加進 queue：
6     q.push(x);
7 取值：
8     x = q.front(); //頭
9     x = q.back(); //尾
10 移除已經讀取的值：
11     q.pop();
12 判斷是否為空的queue：
13     q.empty() 回傳 true
14     q.size() 回傳零
15
16 #include <iostream>
17 #include <queue>
18 using namespace std;
19
20 int main() {
21     int n;
22     while (cin >> n){
23         if (n == 0) break;
24         queue<int> q;
25         for (int i = 0; i < n; i++){
26             q.push(i+1);
27         }
28         cout << "Discarded cards:";
29         for (int i = 0; i < n-1; i++){
30             if (i != 0) cout << ', ';
31             cout << ' ' << q.front();
32             q.pop();
33             q.push(q.front());
34             q.pop();
35         }
36         cout << endl << "Remaining card: " <<
            q.front() << endl;
37     }
38 }

```

4.3 deque

```

1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2 (Standard Template Library, STL)
3 中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue)，
4 跟 vector 相似，不過在 vector
    中若是要添加新元素至開端，
5 其時間複雜度為 O(N)，但在 deque 中則是 O(1)。
6 同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間，
7 讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back() //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back() //取出 deque 最尾端的元素
13 dq.front() //回傳 deque 最開頭的元素
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
    position: 插入元素的 index 值
    n: 元素插入次數
    val: 插入的元素值
16 dq.erase()
    //刪除元素，需要使用迭代器指定刪除的元素或位置，
    同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
17
18 dq.clear() //清空整個 deque 佇列。
19 dq.size() //檢查 deque 的尺寸
20 dq.empty() //如果 deque 佇列為空返回 1；
    若是存在任何元素，則返回 0
21
22 dq.begin() //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
23 dq.end() //指向 deque 結尾，
    不是最後一個元素，
24
25
26

```

27 | 而是最後一個元素的下一個位置

4.4 map

```

1 | map：存放 key-value pairs 的映射資料結構，
2 |   會按 key 由小到大排序。
3 | 元素存取
4 | operator[]：存取指定的[i]元素的資料
5 |
6 | 迭代器
7 | begin()：回傳指向map頭部元素的迭代器
8 | end()：回傳指向map末尾的迭代器
9 | rbegin()：回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 | rend()：回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11 |
12 | 遍歷整個map時，利用iterator操作：
13 | 取key：it->first 或 (*it).first
14 | 取value：it->second 或 (*it).second
15 |
16 | 容量
17 | empty()：檢查容器是否為空，空則回傳true
18 | size()：回傳元素數量
19 | max_size()：回傳可以容納的最大元素個數
20 |
21 | 修改器
22 | clear()：刪除所有元素
23 | insert()：插入元素
24 | erase()：刪除一個元素
25 | swap()：交換兩個map
26 |
27 | 查找
28 | count()：回傳指定元素出現的次數
29 | find()：查找一個元素
30 |
31 | //實作範例
32 | #include <bits/stdc++.h>
33 | using namespace std;
34 |
35 | int main(){
36 |
37 |     //declaration container and iterator
38 |     map<string, string> mp;
39 |     map<string, string>::iterator iter;
40 |     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
41 |
42 |     //insert element
43 |     mp.insert(pair<string, string>("r000",
44 |                                     "student_zero"));
45 |
46 |     mp["r123"] = "student_first";
47 |     mp["r456"] = "student_second";
48 |
49 |     //traversal
50 |     for(iter = mp.begin(); iter != mp.end(); iter++)
51 |         cout<<iter->first<<" "<<iter->second<<endl;
52 |     for(iter_r = mp.rbegin(); iter_r != mp.rend();
53 |         iter_r++)
54 |         cout<<iter_r->first<<" "
55 |             <<iter_r->second<<endl;
56 |
57 |     //find and erase the element
58 |     iter = mp.find("r123");
59 |     mp.erase(iter);
60 |
61 |     iter = mp.find("r123");
62 |
63 |     if(iter != mp.end())
64 |         cout<<"Find, the value is "
65 |             <<iter->second<<endl;
66 |     else
67 |         cout<<"Do not Find"<<endl;
68 |
69 |     return 0;

```

```

66 | }
67 |
68 | //map統計數字
69 | #include<bits/stdc++.h>
70 | using namespace std;
71 |
72 | int main(){
73 |     ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0);
74 |     long long n,x;
75 |     cin>>n;
76 |     map<int,int> mp;
77 |     while(n--){
78 |         cin>>x;
79 |         ++mp[x];
80 |     }
81 |     for(auto i:mp) cout<<i.first<<" "<<i.second<<endl;
82 | }

```

4.5 unordered_map

```

1 | unordered_map：存放 key-value pairs
2 |   的「無序」映射資料結構。
3 | 用法與map相同

```

4.6 set

```

1 | set： 集合，去除重複的元素，資料由小到大排序。
2 |
3 | 宣告：
4 |     set<int> st;
5 |
6 | 把元素 x 加進 set：
7 |     st.insert(x);
8 |
9 | 檢查元素 x 是否存在 set 中：
10 |     st.count(x);
11 |
12 | 刪除元素 x：
13 |     st.erase(x); // 可傳入值或iterator
14 |
15 | 清空集合中的所有元素：
16 |     st.clear();
17 |
18 | 取值： 使用iterator
19 |     x = *st.begin();
20 |         // set中的第一個元素(最小的元素)。
21 |     x = *st.rbegin();
22 |         // set中的最後一個元素(最大的元素)。
23 |
24 | 判斷是否為空的set：
25 |     st.empty() 回傳true
26 |     st.size() 回傳零
27 |
28 | 常用來搭配的member function：
29 |     st.count(x);
30 |     auto it = st.find(x);
31 |         // binary search, O(log(N))
32 |     auto it = st.lower_bound(x);
33 |         // binary search, O(log(N))
34 |     auto it = st.upper_bound(x);
35 |         // binary search, O(log(N))

```

4.7 multiset

```

1 | 與 set 用法雷同，但會保留重複的元素。
2 | 資料由小到大排序。
3 | 宣告：
4 |     multiset<int> st;
5 | 刪除資料：

```

```

6   st.erase(val); 會刪除所有值為 val 的元素。
7   st.erase(st.find(val)); 只刪除第一個值為 val
   的元素。

```

4.8 unordered_set

```

1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table)，
2 資料插入和查詢的時間複雜度很低，為常數級別O(1)，
3 相對的代價是消耗較多的記憶體，空間複雜度較高，
4 無自動排序功能。
5
6 初始化
7 unordered_set<int> myunordered_set{1, 2, 3, 4, 5};
8
9 陣列初始化
10 int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};
11 unordered_set<int> myunordered_set(arr, arr+5);
12
13 插入元素
14 unordered_set<int> myunordered_set;
15 myunordered_set.insert(1);
16
17 迴圈遍歷 unordered_set 容器
18 #include <iostream>
19 #include <unordered_set>
20 using namespace std;
21
22 int main() {
23     unordered_set<int> myunordered_set = {3, 1};
24     myunordered_set.insert(2);
25     myunordered_set.insert(5);
26     myunordered_set.insert(4);
27     myunordered_set.insert(5);
28     myunordered_set.insert(4);
29
30     for (const auto &s : myunordered_set) {
31         cout << s << " ";
32     }
33     cout << "\n";
34
35     return 0;
36 }
37
38 /*
39 output
40 4 5 2 1 3
41 */
42
43 unordered_set 刪除指定元素
44 #include <iostream>
45 #include <unordered_set>
46
47 int main() {
48     unordered_set<int> myunordered_set{2, 4, 6, 8};
49
50     myunordered_set.erase(2);
51     for (const auto &s : myunordered_set) {
52         cout << s << " ";
53     }
54     cout << "\n";
55
56     return 0;
57 }
58
59 /*
60 output
61 8 6 4
62 */
63 清空 unordered_set 元素
64 unordered_set<int> myunordered_set;
65 myunordered_set.insert(1);
66 myunordered_set.clear();
67
68 unordered_set 判斷元素是否存在

```

```

69 unordered_set<int> myunordered_set;
70 myunordered_set.insert(2);
71 myunordered_set.insert(4);
72 myunordered_set.insert(6);
73 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
74 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
75
76 判斷 unordered_set 容器是否為空
77 #include <iostream>
78 #include <unordered_set>
79
80 int main() {
81     unordered_set<int> myunordered_set;
82     myunordered_set.clear();
83
84     if (myunordered_set.empty()) {
85         cout << "empty\n";
86     } else {
87         cout << "not empty, size is "<<
            myunordered_set.size() << "\n";
88     }
89
90     return 0;
91 }

```

4.9 單調隊列

```

1 //單調隊列
2 "如果一個選手比你小還比你強，你就可以退役了。"--單調隊列
3
4 example 1
5
6 給出一個長度為 n 的數組，
7 輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
8
9 //寫法1
10 #include <bits/stdc++.h>
11 #define maxn 1000100
12 using namespace std;
13 int q[maxn], a[maxn];
14 int n, k;
15
16 void getmin() {
17     // 得到這個隊列裡的最小值，直接找到最後的就行了
18     int head = 0, tail = 0;
19     for (int i = 1; i < k; i++) {
20         while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
21             tail--;
22         q[++tail] = i;
23     }
24     for (int i = k; i <= n; i++) {
25         while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
26             tail--;
27         q[++tail] = i;
28         while (q[head] <= i - k) head++;
29         cout << a[q[head]] << " ";
30     }
31
32 void getmax() { // 和上面同理
33     int head = 0, tail = 0;
34     for (int i = 1; i < k; i++) {
35         while (head <= tail && a[q[tail]] <= a[i]) tail--;
36         q[++tail] = i;
37     }
38     for (int i = k; i <= n; i++) {
39         while (head <= tail && a[q[tail]] <= a[i]) tail--;
40         q[++tail] = i;
41         while (q[head] <= i - k) head++;
42         cout << a[q[head]] << " ";
43     }
44
45 int main() {
46     cin >> n >> k; //每k個連續的數

```

```

47     for (int i = 1; i <= n; i++) cin>>a[i];
48     getmin();
49     cout<<'\\n';
50     getmax();
51     cout<<'\\n';
52     return 0;
53 }
54
55 //寫法2
56 #include <iostream>
57 #include <cstring>
58 #include <deque>
59 using namespace std;
60 int a[1000005];
61
62 int main() {
63     ios_base::sync_with_stdio(0);
64     int n, k;
65     while(cin>>n>>k) {
66         for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
67         deque<int> dq;
68         for(int i=0; i<n; i++){
69             while(dq.size() && dq.front()<=i-k)
70                 dq.pop_front();
71             while(dq.size() && a[dq.back()]>a[i])
72                 dq.pop_back();
73             dq.push_back(i);
74             if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];
75             if(i>k-1) cout<<' '<<a[dq.front()];
76         }
77         if(k>n) cout<<a[dq.front()];
78         cout<<'\\n';
79         while(dq.size()) dq.pop_back();
80         for(int i=0; i<n; i++){
81             while(dq.size() && dq.front()<=i-k)
82                 dq.pop_front();
83             while(dq.size() && a[dq.back()]<a[i])
84                 dq.pop_back();
85             dq.push_back(i);
86             if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];
87             if(i>k-1) cout<<' '<<a[dq.front()];
88         }
89         if(k>n) cout<<a[dq.front()];
90         cout<<'\\n';
91     }
92     return 0;
93 }

```

example 2

一個含有 n 項的數列，求出每一項前的 m 個數到它這個區間內的最小值。
若前面的數不足 m 項則從第 1 個數開始，若前面沒有數則輸出 0

```

100 #include<bits/stdc++.h>
101 using namespace std;
102 #define re register int
103 #define INF 0x3f3f3f3f
104 #define ll long long
105 #define maxn 2000009
106 #define maxm
107 inline ll read() {
108     ll x=0,f=1;
109     char ch=getchar();
110     while(ch<'0' || ch>'9'){
111         if(ch=='-') f=-1;
112         ch=getchar();
113     }
114     while(ch>='0' && ch<='9'){
115         x=(x<<1)+(x<<3)+(ll)(ch-'0');
116         ch=getchar();
117     }
118     return x*f;
119 }
120 }
121 int n,m,k,tot,head,tail;

```

```

122 int a[maxn],q[maxn];
123 int main() {
124     n=read(), m=read();
125     for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();
126     head=1,tail=0; //起始位置為1
127     //因為插入是q[++tail]所以要初始化為0
128     for(int i=1;i<=n;i++)
129         //每次隊首的元素就是當前的答案
130     {
131         cout<<a[q[head]]<<endl;
132         while(i-q[head]+1>m&&head<=tail) //維護隊首
133             head++;
134         while(a[i]<a[q[tail]]&&head<=tail) //維護隊尾
135             tail--;
136         q[++tail]=i;
137     }
138     return 0;
139 }

```

5 sort

5.1 大數排序

```

1 #python大數排序
2
3 while True:
4     try:
5         n = int(input())          # 有幾筆數字需要排序
6         arr = []                  # 建立空串列
7         for i in range(n):
8             arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
9             arr.sort()              # 串列排序
10        for i in arr:
11            print(i)                # 依序印出串列中每個項目
12    except:
13        break

```

5.2 bubble sort

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int main() {
5     int n;
6     cin>>n;
7     int a[n], tmp;
8     for(int i=0; i<n; i++) cin>>a[i];
9     for(int i=n-1; i>0; i--) {
10         for(int j=0; j<=i-1; j++) {
11             if( a[j]>a[j+1]) {
12                 tmp=a[j];
13                 a[j]=a[j+1];
14                 a[j+1]=tmp;
15             }
16         }
17     }
18     for(int i=0; i<n; i++) cout<<a[i]<<" ";
19 }

```

6 math

6.1 質數與因數

```

1 質數
2
3 埃氏篩法
4 int n;

```

```

5 vector<int> isprime(n+1,1);
6 isprime[0]=isprime[1]=0;
7 for(int i=2;i*i<=n;i++){
8     if(isprime[i])
9         for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;
10 }

```

因數

```

16 最大公因數 O(log(min(a,b)))
17 int GCD(int a, int b)
18 {
19     if (b == 0) return a;
20     return GCD(b, a % b);
21 }

```

質因數分解

```

25 void primeFactorization(int n)
26 {
27     for (int i = 0; i < (int)p.size(); ++i)
28     {
29         if (p[i] * p[i] > n)
30             break;
31         if (n % p[i])
32             continue;
33         cout << p[i] << ' ';
34         while (n % p[i] == 0)
35             n /= p[i];
36     }
37     if (n != 1)
38         cout << n << ' ';
39     cout << '\n';
40 }

```

歌德巴赫猜想

solution : 把偶數 N ($6 \leq N \leq 10^6$) 寫成兩個質數的和。

```

44 #include <iostream>
45 #include <cstdio>
46 using namespace std;
47 #define N 2000000
48 int ox[N], p[N], pr;
49
50 void PrimeTable(){
51     ox[0] = ox[1] = 1;
52     pr = 0;
53     for (int i = 2; i < N; i++){
54         if (!ox[i]) p[pr++] = i;
55         for (int j = 0; i*p[j]<N&&j < pr; j++)
56             ox[i*p[j]] = 1;
57     }
58 }
59
60 int main(){
61     PrimeTable();
62     int n;
63     while (cin>>n,n){
64         int x;
65         for (x = 1;; x += 2)
66             if (!ox[x] && !ox[n - x])break;
67         printf("%d = %d + %d\n", n, x, n - x);
68     }
69 }

```

problem : 給定整數 N , 求 N
最少可以拆成多少個質數的和。

如果 N 是質數, 則答案為 1。

如果 N 是偶數(不包含2), 則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。

如果 N 是奇數且 $N-2$ 是質數, 則答案為 2 (2+質數)。

其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。

```

74 #pragma GCC optimize("O2")
75 #include <bits/stdc++.h>
76 using namespace std;
77 #define FOR(i, L, R) for(int i=L;i<(int)R;++i)
78 #define FORD(i, L, R) for(int i=L;i>(int)R;--i)

```

```

80 #define IOS
81 cin.tie(nullptr);
82 cout.tie(nullptr);
83 ios_base::sync_with_stdio(false);
84
85 bool isPrime(int n){
86     FOR(i, 2, n){
87         if (i * i > n)
88             return true;
89         if (n % i == 0)
90             return false;
91     }
92     return true;
93 }
94
95 int main(){
96     IOS;
97     int n;
98     cin >> n;
99     if(isPrime(n)) cout << "1\n";
100     else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
101     else cout << "3\n";
102 }

```

6.2 prime factorization

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int main() {
5     int n;
6     while(true) {
7         cin>>n;
8         for(int x=2; x<=n; x++) {
9             while(n%x==0) {
10                 cout<<x<<"*";
11                 n/=x;
12             }
13         }
14         cout<<"\b \n";
15     }
16     system("pause");
17     return 0;
18 }

```

6.3 快速幂

```

1 計算 a^b
2 #include <iostream>
3 #define ll long long
4 using namespace std;
5
6 const ll MOD = 1000000007;
7 ll fp(ll a, ll b) {
8     int ans = 1;
9     while(b > 0) {
10         if(b & 1) ans = ans * a % MOD;
11         a = a * a % MOD;
12         b >>= 1;
13     }
14     return ans;
15 }
16
17 int main() {
18     int a, b;
19     cin>>a>>b;
20     cout<<fp(a,b);
21 }

```

6.4 歐拉函數

```

1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2 #include <bits/stdc++.h>
3 using namespace std;
4 int n,ans;
5
6 int phi(){
7     ans=n;
8     for(int i=2;i*i<=n;i++){
9         if(n%i==0){
10             ans=ans-ans/i;
11             while(n%i==0) n/=i;
12         }
13     }
14     if(n>1) ans=ans-ans/n;
15     return ans;
16 }
17 int main(){
18     while(cin>>n)
19         cout<<phi()<<endl;
20 }

```

7 algorithm

7.1 basic

```

1 min_element：找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element：找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort：排序，預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp)：可自行定義比較運算子 cmp。
8 find：尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound：尋找第一個小於 x
    的元素位置，如果不存在，則回傳 last。
11 lower_bound(first, last, val)
12 upper_bound：尋找第一個大於 x
    的元素位置，如果不存在，則回傳 last。
13 upper_bound(first, last, val)
14 next_permutation：將序列順序轉換成下一個字典序，
    如果存在回傳 true，反之回傳 false。
15 next_permutation(first, last)
16 prev_permutation：將序列順序轉換成上一個字典序，
    如果存在回傳 true，反之回傳 false。
17 prev_permutation(first, last)

```

7.2 binarysearch

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
5     int left=0, right=nums.size()-1;
6     while(left<=right){
7         int mid=(left+right)/2;
8         if (nums[mid]>target) right=mid-1;
9         else if (nums[mid]<target) left=mid+1;
10        else return mid+1;
11    }
12    return 0;
13 }
14
15 int main() {
16     int n, k, x;
17     cin >> n >> k;
18     int a[n];
19     vector<int> v;
20     for(int i=0 ; i<n ; i++){
21         cin >> x;
22         v.push_back(x);

```

```

23     }
24     for(int i=0 ; i<k ; i++) cin >> a[i];
25     for(int i=0 ; i<k ; i++){
26         cout << binary_search(v, a[i]) << endl;
27     }
28 }
29
30 lower_bound(a, a + n, k); //最左邊 ≥ k 的位置
31 upper_bound(a, a + n, k); //最左邊 > k 的位置
32 upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
33 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
34 (lower_bound, upper_bound) //等於 k 的範圍
35 equal_range(a, a+n, k);
36
37 /*
38 input
39 5 5
40 1 3 4 7 9
41 3 1 9 7 -2
42 */
43
44 /*
45 output
46 2
47 1
48 5
49 4
50 0
51 */

```

7.3 prefix sum

```

1 // 前綴和
2 陣列前n項的和。
3 b[i] = a[0] + a[1] + a[2] + ... + a[i]
4 區間和 [l, r] : b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
5
6 #include <bits/stdc++.h>
7 using namespace std;
8 int main(){
9     int n;
10    cin >> n;
11    int a[n], b[n];
12    for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
13    b[0] = a[0];
14    for(int i=1; i<n; i++) b[i] = b[i-1] + a[i];
15    for(int i=0; i<n; i++) cout<<b[i]<<' ';
16    cout<<'\\n';
17    int l, r;
18    cin >> l >> r;
19    cout << b[r] - b[l-1] ; //區間和
20 }

```

7.4 差分

```

1 // 差分
2 用途：在區間 [l, r] 加上一個數字v。
3 b[l] += v; (b[0~l] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5 給的 a[] 是前綴和數列，建構 b[]，
6 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ... + b[i]，
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8 在 b[l] 加上 v，b[r+1] 減去 v，
9 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來，b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17     int n, l, r, v;

```



```

18     cin >> n;
19     for(int i=1; i<=n; i++){
20         cin >> a[i];
21         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
22     }
23     cin >> l >> r >> v;
24     b[l] += v;
25     b[r+1] -= v;
26
27     for(int i=1; i<=n; i++){
28         b[i] += b[i-1];
29         cout << b[i] << ' ';
30     }
31 }

```

7.5 greedy

1 //貪心
2 貪心演算法的核心為，
3 採取在目前狀態下最好或最佳（即最有利）的選擇。
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解，
5 但不保證能獲得最後（全域）最佳解，
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例，
7 確認無誤再實作。

8 Scarecrow

9 //problem

10 有一個 $N \times 1$ 的稻田，有些稻田現在有種植作物，
11 為了避免被動物破壞，需要放置稻草人，
12 稻草人可以保護該塊稻田和左右兩塊稻田，
13 請問最少需要多少稻草人才能保護所有稻田？

14 //solution

15 從左到右掃描稻田，如果第 i 塊稻田有作物，
16 就把稻草人放到第 $i+1$ 塊稻田，
17 這樣能保護第 $i, i+1, i+2$ 塊稻田，
18 接著從第 $i+3$ 塊稻田繼續掃描。

19 //code

```

20 #include <bits/stdc++.h>
21 using namespace std;
22 int main(){
23     string s;
24     int i, n, t, tc = 1;
25     cin >> t;
26     while (t--){
27         cin >> n >> s;
28         int nc = 0;
29         for (i = 0; i < n; i++){
30             if (s[i] == '.' || i == 2, nc++;
31             cout << "Case " << tc++ << ": " << nc << endl;
32         }
33     }
34 }

```

35 霍夫曼樹的變形題

36 //problem

37 給定 N 個數，每次將兩個數 a, b 合併成 $a+b$ ，
38 只到最後只剩一個數，合併成本為兩數和，
39 問最小合併成本為多少。

40 //solution

41 每次將最小的兩數合併起來。

42 //code

```

43 #include <bits/stdc++.h>
44 using namespace std;
45 int main()
46 {
47     int n, x;
48     while (cin >> n, n){
49         priority_queue<int, vector<int>, greater<int>>>
50             q;
51         while (n--){

```

```

52             cin >> x;
53             q.push(x);
54         }
55         long long ans = 0;
56         while (q.size() > 1){
57             x = q.top();
58             q.pop();
59             x += q.top();
60             q.pop();
61             q.push(x);
62             ans += x;
63         }
64         cout << ans << endl;
65     }
66 }
67 }
68 }
69 }
70 }
71 }

```

72 Commando War

73 //problem

74 有 n 個部下，每個部下要花 B_i 分鐘交待任務，
75 再花 J_i 分鐘執行任務，一次只能對一位部下交代任務，
76 但可以多人同時執行任務，問最少要花多少時間完成任務。

77 //solution

78 執行時間長的人先交代任務

79 //code

```

80 #include <bits/stdc++.h>
81 using namespace std;
82 struct Data{
83     int b, j;
84     bool operator<(const Data &rhs) const {
85         return j > rhs.j;
86     }
87 };
88
89 int main(){
90     int n, ti = 0;
91     Data a[1005];
92     while (cin >> n, n){
93         for (int i = 0; i < n; ++i)
94             cin >> a[i].b >> a[i].j;
95         sort(a, a + n);
96         int ans = 0, sum = 0;
97         for (int i = 0; i < n; ++i){
98             sum += a[i].b;
99             ans = max(ans, sum + a[i].j);
100         }
101         cout << "Case " << ++ti << ": " << ans << '\n';
102     }
103 }
104 }
105 }
106 }

```

107 刪數字問題

108 //problem

109 給定一個數字 $N (\leq 10^{100})$ ，需要刪除 K 個數字，
110 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何？

111 //solution

112 刪除滿足第 i 位數大於第 $i+1$ 位數的最左邊第 i 位數，
113 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。

114 //code

```

115 int main()
116 {
117     string s;
118     int k;
119     cin >> s >> k;
120     for (int i = 0; i < k; ++i){
121         if ((int)s.size() == 0) break;
122         int pos = (int)s.size() - 1;
123         for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){
124             if (s[j] > s[j + 1]){
125                 pos = j;
126                 break;
127             }
128         }
129         s.erase(pos, 1);
130     }
131 }

```



```

132     }
133     while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
134         s.erase(0, 1);
135     if ((int)s.size()) cout << s << '\n';
136     else cout << 0 << '\n';
137 }
138
139 區間覆蓋長度
140 //problem
141 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri]，
142 請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度？
143
144 //solution
145 先將所有區間依照左界由小到大排序，
146 左界相同依照右界由小到大排序，
147 用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。
148 如果目前區間左界 ≤ R，代表該區間可以和前面的線段合併。
149
150

```

```

151 //code
152 struct Line
153 {
154     int L, R;
155     bool operator<(const Line &rhs) const
156     {
157         if (L != rhs.L) return L < rhs.L;
158         return R < rhs.R;
159     }
160 };
161
162 int main(){
163     int n;
164     Line a[10005];
165     while (cin >> n){
166         for (int i = 0; i < n; i++)
167             cin >> a[i].L >> a[i].R;
168         sort(a, a + n);
169         int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
170         for (int i = 1; i < n; i++){
171             if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);
172             else{
173                 ans += R - L;
174                 L = a[i].L;
175                 R = a[i].R;
176             }
177         }
178         cout << ans + (R - L) << '\n';
179     }
180 }

```

```

182 最小區間覆蓋長度
183 //problem
184 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri]，
185 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]？
186
187

```

```

188 //solution
189 先將所有區間依照左界由小到大排序，
190 對於當前區間 [Li,Ri]，要從左界 > Ri 的所有區間中，
191 找到有著最大的右界的區間，連接當前區間。
192

```

```

193 //problem
194 長度 n 的直線中有數個加熱器，
195 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱，
196 問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
197
198 //solution
199 對於最左邊沒加熱的點a，選擇最遠可以加熱a的加熱器，
200 更新已加熱範圍，重複上述動作繼續尋找加熱器。
201

```

```

202 //code
203 int main(){
204     int n, r;
205     int a[1005];
206     cin >> n >> r;

```

```

207     for (int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
208     int i = 1, ans = 0;
209     while (i <= n){
210         int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)
211         int nextR=-1;
212         for (int j = R; j >= L; --j){
213             if (a[j]){
214                 nextR = j;
215                 break;
216             }
217         }
218         if (nextR == -1){
219             ans = -1;
220             break;
221         }
222         ++ans;
223         i = nextR + r;
224     }
225     cout << ans << '\n';
226 }
227
228

```

最多不重疊區間

```

230 //problem
231 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri]，
232 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)？
233

```

```

234 //solution
235 依照右界由小到大排序，
236 每次取到一個不重疊的線段，答案 +1。
237

```

```

238 //code
239 struct Line
240 {
241     int L, R;
242     bool operator<(const Line &rhs) const {
243         return R < rhs.R;
244     }
245 };
246
247 int main(){
248     int t;
249     cin >> t;
250     Line a[30];
251     while (t--){
252         int n = 0;
253         while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
254             ++n;
255         sort(a, a + n);
256         int ans = 1, R = a[0].R;
257         for (int i = 1; i < n; i++){
258             if (a[i].L >= R){
259                 ++ans;
260                 R = a[i].R;
261             }
262         }
263         cout << ans << '\n';
264     }
265 }
266
267

```

區間選點問題

```

269 //problem
270 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri]，
271 請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點？
272

```

```

273 //solution
274 將區間依照右界由小到大排序，R=第一個區間的右界，
275 遍歷所有區段，如果當前區間左界>R，
276 代表必須多選一個點 (ans+=1)，並將 R=當前區間右界。
277

```

```

278 //problem
279 給定 N 個座標，要在 x 軸找到最小的點，
280 讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
281

```

```

282 //solution

```

283 以每個點 (x_i, y_i) 為圓心半徑為 D 的圓 C ，
 284 求出 C 和 x 軸的交點 L_i, R_i ，題目轉變成區間選點問題。

```
286 //code
287 struct Line
288 {
289     int L, R;
290     bool operator< (const Line &rhs) const {
291         return R < rhs.R;
292     }
293 };
294
295 int main(){
296     int t;
297     cin >> t;
298     Line a[30];
299     while (t--){
300         int n = 0;
301         while (cin >> a[n].L >> a[n].R, a[n].L || a[n].R)
302             ++n;
303         sort(a, a + n);
304         int ans = 1, R = a[0].R;
305         for (int i = 1; i < n; i++){
306             if (a[i].L >= R){
307                 ++ans;
308                 R = a[i].R;
309             }
310         }
311         cout << ans << '\n';
312     }
313 }
```

316 最小化最大延遲問題

317 //problem
 318 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 T_i ，
 319 期限是 D_i ，第 i 項工作延遲的時間為 $L_i = \max(0, F_i - D_i)$ ，
 320 原本 F_i 為第 i 項工作的完成時間，
 321 求一種工作排序使 $\max L_i$ 最小。

322 //solution
 323 按照到期時間從早到晚處理。

```
326 //code
327 struct Work
328 {
329     int t, d;
330     bool operator< (const Work &rhs) const {
331         return d < rhs.d;
332     }
333 };
334
335 int main(){
336     int n;
337     Work a[10000];
338     cin >> n;
339     for (int i = 0; i < n; ++i)
340         cin >> a[i].t >> a[i].d;
341     sort(a, a + n);
342     int maxL = 0, sumT = 0;
343     for (int i = 0; i < n; ++i){
344         sumT += a[i].t;
345         maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
346     }
347     cout << maxL << '\n';
348 }
```

351 最少延遲數量問題

352 //problem
 353 給定 N 個工作，每個工作的需要處理時長為 T_i ，
 354 期限是 D_i ，求一種工作排序使得逾期工作數量最小。

356 //solution
 357 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序
 358 依序放入工作列表中，如果發現有工作預期，

359 就從目前選擇的工作中，移除耗時最長的工作。

360 上述方法為 Moore-Hodgson's Algorithm。

363 //problem
 364 給定烏龜的重量和可承受重量，問最多可以疊幾隻烏龜？
 365 和最少延遲數量問題是相同的問題，只要將題敘做轉換。

368 工作處理時長 \rightarrow 烏龜重量
 369 工作期限 \rightarrow 烏龜可承受重量
 370 多少工作不延期 \rightarrow 可以疊幾隻烏龜

```
372 //code
373 struct Work{
374     int t, d;
375     bool operator< (const Work &rhs) const {
376         return d < rhs.d;
377     }
378 };
379
380 int main(){
381     int n = 0;
382     Work a[10000];
383     priority_queue<int> pq;
384     while (cin >> a[n].t >> a[n].d)
385         ++n;
386     sort(a, a + n);
387     int sumT = 0, ans = n;
388     for (int i = 0; i < n; ++i){
389         pq.push(a[i].t);
390         sumT += a[i].t;
391         if (a[i].d < sumT){
392             int x = pq.top();
393             pq.pop();
394             sumT -= x;
395             --ans;
396         }
397     }
398     cout << ans << '\n';
399 }
```

401 任務調度問題

402 //problem
 403 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 T_i ，
 404 期限是 D_i ，如果第 i 項工作延遲需要受到 p_i 單位懲罰，
 405 請問最少會受到多少單位懲罰。

407 //solution
 408 依照懲罰由大到小排序，
 409 每項工作依序嘗試可不可以放在 $D_i - T_i + 1, D_i - T_i, \dots, 1, 0$ ，
 410 如果有空閒就放進去，否則延後執行。

412 //problem
 413 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 T_i ，
 414 期限是 D_i ，如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 a_i
 單位獎勵，
 415 請問最多會獲得多少單位獎勵。

417 //solution
 418 和上題相似，這題變成依照獎勵由大到小排序。

```
420 //code
421 struct Work
422 {
423     int d, p;
424     bool operator< (const Work &rhs) const {
425         return p > rhs.p;
426     }
427 };
428
429 int main(){
430     int n;
431     Work a[100005];
432     bitset<100005> ok;
```

```

433 while (cin >> n){
434     ok.reset();
435     for (int i = 0; i < n; ++i)
436         cin >> a[i].d >> a[i].p;
437     sort(a, a + n);
438     int ans = 0;
439     for (int i = 0; i < n; ++i){
440         int j = a[i].d;
441         while (j--){
442             if (!ok[j]){
443                 ans += a[i].p;
444                 ok[j] = true;
445                 break;
446             }
447         }
448         cout << ans << '\n';
449     }
450 }
451
452 多機調度問題
453 //problem
454 給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為  $T_i$ ，
455 有 M 台機器可執行多項工作，但不能將工作拆分，
456 最快可以在什麼時候完成所有工作？
457
458 //solution
459 將工作由大到小排序，每項工作交給最快空閒的機器。
460
461 //code
462 int main(){
463     int n, m;
464     int a[10000];
465     cin >> n >> m;
466     for (int i = 0; i < n; ++i)
467         cin >> a[i];
468     sort(a, a + n, greater<int>());
469     int ans = 0;
470     priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> > pq;
471     for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){
472         ans = max(ans, a[i]);
473         pq.push(a[i]);
474     }
475     for (int i = m; i < n; ++i){
476         int x = pq.top();
477         pq.pop();
478         x += a[i];
479         ans = max(ans, x);
480         pq.push(x);
481     }
482     cout << ans << '\n';
483 }

```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```

1 //最長共同子序列 (LCS)
2 給定兩序列 A, B，求最長的序列 C，
3 C 同時為 A, B 的子序列。
4
5 //最長遞增子序列 (LIS)
6 給你一個序列 A，求最長的序列 B，
7 B 是一個 (非) 嚴格遞增序列，且為 A 的子序列。
8
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
11     1. A 為原序列，B=sort(A)
12     2. 對 A, B 做 LCS
13 LCS 轉成 LIS
14     1. A, B 為原本的兩序列
15     2. 最 A 序列作編號轉換，將轉換規則套用在 B
16     3. 對 B 做 LIS

```

4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字，越早出現的數字要越小
5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面，直接忽略這個數字不做轉換即可

9 graph

9.1 graph

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 class Node {
5 public:
6     int val;
7     vector<Node*> children;
8
9     Node() {}
10
11     Node(int _val) {
12         val = _val;
13     }
14
15     Node(int _val, vector<Node*> _children) {
16         val = _val;
17         children = _children;
18     }
19 };
20
21 struct ListNode {
22     int val;
23     ListNode *next;
24     ListNode() : val(0), next(nullptr) {}
25     ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
26     ListNode(int x, ListNode *next) : val(x),
27         next(next) {}
28 };
29
30 struct TreeNode {
31     int val;
32     TreeNode *left;
33     TreeNode *right;
34     TreeNode() : val(0), left(nullptr),
35         right(nullptr) {}
36     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr),
37         right(nullptr) {}
38     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right)
39         : val(x), left(left), right(right) {}
40 };
41
42 class ListProblem {
43     vector<int> nums={};
44 public:
45     void solve() {
46         return;
47     }
48
49     ListNode* buildList(int idx) {
50         if(idx == nums.size()) return NULL;
51         ListNode *current=new
52             ListNode(nums[idx++], current->next);
53         return current;
54     }
55
56     void deleteList(ListNode* root) {
57         if(root == NULL) return;
58         deleteList(root->next);
59         delete root;
60         return;
61     }
62 };
63
64 class TreeProblem {
65     int null = INT_MIN;
66 }

```

```

61     vector<int> nums = {}, result;
62 public:
63     void solve() {
64
65         return;
66     }
67
68     TreeNode* buildBinaryTreeUsingDFS(int left, int
        right) {
69         if((left > right) || (nums[(left+right)/2] ==
            null)) return NULL;
70         int mid = (left+right)/2;
71         TreeNode* current = new TreeNode(
            nums[mid],
72             buildBinaryTreeUsingDFS(left,mid-1),
73             buildBinaryTreeUsingDFS(mid+1,right));
74         return current;
75     }
76 }
77
78     TreeNode* buildBinaryTreeUsingBFS() {
79         int idx = 0;
80         TreeNode* root = new TreeNode(nums[idx++]);
81         queue<TreeNode*> q;
82         q.push(root);
83         while(idx < nums.size()) {
84             if(nums[idx] != null) {
85                 TreeNode* left = new
                    TreeNode(nums[idx]);
86                 q.front()->left = left;
87                 q.push(left);
88             }
89             idx++;
90             if((idx < nums.size()) && (nums[idx] !=
                null)) {
91                 TreeNode* right = new
                    TreeNode(nums[idx]);
92                 q.front()->right = right;
93                 q.push(right);
94             }
95             idx++;
96             q.pop();
97         }
98         return root;
99     }
100
101     Node* buildNaryTree() {
102         int idx = 2;
103         Node *root = new Node(nums.front());
104         queue<Node*> q;
105         q.push(root);
106         while(idx < nums.size()) {
107             while((idx < nums.size()) && (nums[idx]
                != null)) {
108                 Node *current = new Node(nums[idx++]);
109                 q.front()->children.push_back(current);
110                 q.push(current);
111             }
112             idx++;
113             q.pop();
114         }
115         return root;
116     }
117
118     void deleteBinaryTree(TreeNode* root) {
119         if(root->left != NULL)
            deleteBinaryTree(root->left);
120         if(root->right != NULL)
            deleteBinaryTree(root->right);
121         delete root;
122         return;
123     }
124
125     void deleteNaryTree(Node* root) {
126         if(root == NULL) return;
127         for(int i=0; i<root->children.size(); i++) {
128             deleteNaryTree(root->children[i]);
129             delete root->children[i];

```

```

130     }
131     delete root;
132     return;
133 }
134
135     void inorderTraversal(TreeNode* root) {
136         if(root == NULL) return;
137         inorderTraversal(root->left);
138         cout<<root->val<< ' ';
139         inorderTraversal(root->right);
140         return;
141     }
142 };
143
144 int main() {
145
146     return 0;
147 }

```

10 Section2

10.1 thm

• 中文測試

$$\sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

11 space

11.1 s

```

1 /*
2 1
3 2
4 3
5 4
6 5
7 6
8 7
9 8
10 9
11 10
12 11
13 12
14 13
15 14
16 15
17 16
18 17
19 18
20 19
21 20
22 21
23 22
24 23
25 24
26 25
27 26
28 27
29 28
30 29
31 30
32 31
33 32
34 33
35 34
36 35
37 36
38 37
39 */

```

12 reference

12.1 assert.cpp

```

1
2 template <typename T>
3 bool AssertVectorIsSorted(vector<T>& vec){
4     for(int i=0;i<(int)vec.size()-1;++i)
5         if(vec[i]>vec[i+1]) return false;
6     return true;
7 }

```

12.2 find.cpp

```

1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 int arr[10000];
5
6 int main(){
7     string s,a,b;
8     int cnt=0;
9     while(getline(cin,s)){
10         if(cnt++) cout<<endl;
11         cin>>a>>ws>>b;
12         int pos=0,i=0,r=0;
13         memset(arr,0,sizeof(arr));
14         while(1){
15             pos=s.find(a,pos);
16             if(pos==-1) break;
17             arr[i++]=pos-r;
18             r+=b.size()-a.size();
19             s.replace(pos,a.length(),b);
20             pos+=b.length();
21         }
22         if(i)
23             for(int j=0;j<i;j++){
24                 if(j) cout<<" ";
25                 cout<<arr[j];
26             }
27         else cout<<-1;
28         cout<<endl<<s<<endl;
29         cin>>ws;
30     }
31     return 0;
32 }

```

12.3 hw6.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<string>
3 #include<cstring>
4 #include<algorithm>
5 using namespace std;
6
7 class HugeInt{
8 private:
9     short integer[40];
10
11 public:
12     HugeInt(const string& s){
13         memset(integer,0,sizeof(integer));
14         for(int i=0;i<s.length();i++)
15             integer[i]=s[s.length()-1-i]-'0';
16     }
17
18     HugeInt operator+(const HugeInt& other) const{
19         HugeInt result("");
20         for(int i=0;i<40;i++){
21             result.integer[i]+=
22                 integer[i]+other.integer[i];
23             if(result.integer[i]>=10){

```

```

24                 result.integer[i]-=10;
25                 result.integer[i+1]++;
26             }
27         }
28         return result;
29     }
30
31     HugeInt operator-(const HugeInt& other) const{
32         HugeInt result("");
33         for(int i=0;i<40;i++){
34             result.integer[i]+=
35                 integer[i]-other.integer[i];
36             if(result.integer[i]<0){
37                 result.integer[i]+=10;
38                 result.integer[i+1]--;
39             }
40         }
41         return result;
42     }
43
44     HugeInt operator*(const HugeInt& other) const{
45         HugeInt result("");
46         for(int i=0;i<40;i++){
47             for(int j=0;j<40;j++){
48                 result.integer[i+j]+=
49                     integer[i]*other.integer[j];
50             }
51             for(int i=0;i<40;i++){
52                 result.integer[i+1]+=result.integer[i]/10;
53                 result.integer[i]%=10;
54             }
55             return result;
56         }
57
58         HugeInt operator/(const HugeInt& other) const{
59             HugeInt result("");
60             HugeInt remainder("0");
61             HugeInt num("10");
62             for(int i=39;i>=0;i--){
63                 if(i==39) remainder.integer[0]=integer[i];
64                 else{
65                     remainder=remainder*num;
66                     remainder.integer[0]=integer[i];
67                 }
68                 int quotient=0;
69                 while(remainder>other){
70                     remainder=remainder-other;
71                     quotient++;
72                 }
73                 if(remainder==other){
74                     remainder=remainder-other;
75                     quotient++;
76                 }
77                 result.integer[i]=quotient;
78             }
79             return result;
80         }
81
82         HugeInt operator%(const HugeInt& other) const{
83             HugeInt remainder("0");
84             HugeInt value("0");
85             HugeInt num("10");
86             for(int i=39;i>=0;i--){
87                 remainder=remainder*num;
88                 remainder.integer[0]=integer[i];
89                 while(remainder>other)
90                     remainder=remainder-other;
91                 if(remainder==other) remainder=value;
92             }
93             return remainder;
94         }
95
96         bool operator>(const HugeInt& other) const{
97             for(int i=39;i>=0;i--){
98                 if(integer[i]>other.integer[i])
99                     return true;
100                 else if(integer[i]<other.integer[i])

```

```

101     }
102     return false;
103 }
104
105 bool operator< (const HugeInt& other) const {
106     for (int i=39; i>=0; i--) {
107         if (integer[i] < other.integer[i])
108             return true;
109         else if (integer[i] > other.integer[i])
110             return false;
111     }
112     return false;
113 }
114
115 bool operator== (const HugeInt& other) const {
116     for (int i=39; i>=0; i--) {
117         if (integer[i] != other.integer[i])
118             return false;
119     }
120     return true;
121 }
122
123 bool operator>= (const HugeInt& other) const {
124     for (int i=39; i>=0; i--) {
125         if (integer[i] < other.integer[i])
126             return false;
127     }
128     return true;
129 }
130
131 bool operator<= (const HugeInt& other) const {
132     for (int i=39; i>=0; i--) {
133         if (integer[i] > other.integer[i])
134             return false;
135     }
136     return true;
137 }
138
139 bool operator!= (const HugeInt& other) const {
140     return !(*this == other);
141 }
142
143 friend istream& operator>> (istream& in,
144                             HugeInt& hugeInt) {
145     string s;
146     in>>s;
147     hugeInt = HugeInt(s);
148     return in;
149 }
150
151 friend ostream& operator<< (ostream& out,
152                             const HugeInt& hugeInt) {
153     bool isLeadingZero = true;
154     for (int i=39; i>=0; i--) {
155         if (hugeInt.integer[i])
156             isLeadingZero = false;
157         if (!isLeadingZero)
158             out<< hugeInt.integer[i];
159     }
160     if (isLeadingZero) out<<0;
161     return out;
162 }
163
164 void print(HugeInt a, HugeInt b) {
165     if (a>b) cout<<a<<" > "<<b<<endl;
166     else if (a<b) cout<<a<<" < "<<b<<endl;
167     else cout<<a<<" = "<<b<<endl;
168     cout<<a<<" + "<<b<<" = "<<a+b<<endl;
169     if (a>b) cout<<a<<" - "<<b<<" = "<<a-b<<endl;
170     else if (a<b)
171         cout<<a<<" - "<<b<<" = -"<<b-a<<endl;
172     else cout<<a<<" - "<<b<<" = "<<a-b<<endl;
173     cout<<a<<" * "<<b<<" = "<<a*b<<endl;
174     cout<<a<<" / "<<b<<" = "<<a/b<<endl;
175     cout<<a<<" % "<<b<<" = "<<a%b<<endl;
176 }
177
178 int main() {
179     string x,y;

```

```

178     int cnt=0;
179     while (cin>>x>>y) {
180         HugeInt x1(x);
181         if (cnt++) cout<<endl;
182         x1.print(x,y);
183     }
184 }

```

12.4 print.cpp

```

1 template <typename T>
2 void printvector(vector<T>& vec) {
3     for (T &x:vec) cout<<x<<" ";
4     cout<<"\n";
5     return;
6 }

```

12.5 rectangle.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<iomanip>
3 #include<algorithm>
4 #include<math.h>
5 using namespace std;
6
7 class R {
8     private:
9         double area, diagonal;
10    public:
11        R(){};
12        int length, width;
13        R(double l, double w) {
14            length=l;
15            width=w;
16        }
17        int getA() {
18            area=length*width;
19            return area;
20        }
21        double getD() {
22            diagonal=sqrt(length*length+width*width);
23            return diagonal;
24        }
25 };
26
27 bool cmp(R r1, R r2) {
28     if (r1.getA() == r2.getA())
29         return r1.getD()>r2.getD();
30     return r1.getA()<r2.getA();
31 }
32
33 int main() {
34     int n;
35     cin>>n;
36     R* r=new R[n];
37     for (int i=0; i<n; i++) {
38         int l,w;
39         cin>>l>>w;
40         r[i]=R(l,w);
41     }
42     sort(r, r+n, cmp);
43     for (int i=0; i<n; i++) {
44         cout<<i+1<<": ("<<r[i].length<<","<<r[i].width;
45         cout<<" ) area= "<<r[i].getA();
46         cout<<fixed<<setprecision(3)
47             <<" diagonal= "<<r[i].getD()<<endl;
48     }
49     delete[] r;
50     return 0;
51 }

```

12.6 rvec.cpp

```

1 template <typename T = int>
2 vector<T> randomvec(int n){
3     vector<T> vec(n);
4     unsigned seed=chrono::system_clock::now()
5         .time_since_epoch().count();
6     default_random_engine generator(seed);
7     uniform_real_distribution<double>
8         distribution(0.0,200.0);
9     for(T &num:vec) num=distribution(generator);
10    return vec;

```

12.7 sort.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<vector>
3 using namespace std;
4
5 template<typename T>
6 int partition(vector<T>& arr,int low,int high) {
7     T pivot=arr[high];
8     int i=low-1;
9     for(int j=low;j<high;j++) {
10        if(arr[j]<pivot){
11            i++;
12            swap(arr[i],arr[j]);
13        }
14    }
15    swap(arr[i+1],arr[high]);
16    return i+1;
17 }
18
19 template<typename T>
20 void quickSort(vector<T>& arr,int low,int high) {
21     if(low<high){
22         int pivotIndex=partition(arr,low,high);
23         quickSort(arr,low,pivotIndex-1);
24         quickSort(arr,pivotIndex+1,high);
25     }
26 }
27
28 template<typename T>
29 void customSort(vector<T>& arr) {
30     int n=arr.size();
31     quickSort(arr,0,n-1);
32 }
33
34 int main(){
35     vector<int> numbers={5, 2, 8, 1, 3};
36     cout<<"Before sorting: ";
37     for(const auto& num:numbers)
38         cout<<num<<" ";
39     customSort(numbers);
40     cout<<"\nAfter sorting: ";
41     for(const auto& num : numbers)
42         cout<<num<<" ";
43     return 0;
44 }

```

12.8 RationalNumber.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<math.h>
3 #include<algorithm>
4 #include<vector>
5 #include<complex>
6 #include<iomanip>
7 using namespace std;
8
9 int gcd(int a,int b){
10    if(b==0) return a;

```

```

11    return gcd(b,a%b);
12 }
13
14 class Rational{
15 public:
16     int molecular,denominator;
17     Rational(int m=1,int d=2){
18         molecular=m;
19         denominator=d;
20     }
21
22     friend ostream& operator<<(ostream& os, const
23         Rational& r){
24         if(r.molecular==0) os<<0;
25         else if(r.molecular==1&&r.denominator==1)
26             os<<1;
27         else os<<"("<<r.molecular<<"/"
28             "<<r.denominator<<")";
29         return os;
30     }
31
32     friend istream& operator>>(istream& is, Rational&
33         r){
34         char slash;
35         is>>r.molecular>>slash>>r.denominator;
36         return is;
37     }
38
39     Rational operator+(const Rational& other){
40         Rational result;
41         result.molecular=molecular*other.denominator+other.mole
42         result.denominator=denominator*other.denominator;
43         int
44             commonDivisor=gcd(result.molecular,result.denominat
45         result.molecular/=commonDivisor;
46         result.denominator/=commonDivisor;
47         return result;
48     }
49
50     Rational operator-(const Rational& other) {
51         Rational result;
52         result.molecular=molecular*other.denominator-other.mole
53         result.denominator=denominator*other.denominator;
54         int
55             commonDivisor=gcd(result.molecular,result.denominat
56         result.molecular/=commonDivisor;
57         result.denominator/=commonDivisor;
58         return result;
59     }
60
61     Rational operator*(const Rational& other) {
62         Rational result;
63         result.molecular=molecular*other.molecular;
64         result.denominator=denominator*other.denominator;
65         int
66             commonDivisor=gcd(result.molecular,result.denominat
67         result.molecular/=commonDivisor;
68         result.denominator/=commonDivisor;
69         return result;
70     }
71
72     Rational operator/(const Rational& other) {
73         Rational result;
74         result.molecular=molecular*other.denominator;
75         result.denominator=denominator*other.molecular;
76         int
77             commonDivisor=gcd(result.molecular,result.denominat
78         result.molecular/=commonDivisor;
79         result.denominator/=commonDivisor;
80         return result;
81     }
82 };
83
84 int main(){
85     char op,g;
86     Rational r1,r2;

```



```

80 while(cin>>op){
81     cin>>g>>r1>>g>>g>>r2>>g;
82     if(r1.molecular%r1.denominator) cout<<r1;
83     else cout<<r1.molecular/r1.denominator;
84     cout<<" "<<op<<" ";
85     if(r2.molecular%r2.denominator) cout<<r2;
86     else cout<<r2.molecular/r2.denominator;
87     cout<<" = ";
88     switch(op){
89         case '+':
90             cout<<r1+r2<<endl;
91             break;
92         case '-':
93             cout<<r1-r2<<endl;
94             break;
95         case '*':
96             cout<<r1*r2<<endl;
97             break;
98         case '/':
99             cout<<r1/r2<<endl;
100            break;
101     }
102 }
103 return 0;
104 }

```

12.9 SortFunctionTemplate.cpp

```

1 #include<iostream>
2 #include<vector>
3 using namespace std;
4
5 template<typename T>
6 int p(vector<T>& arr,int low,int high){
7     T pivot=arr[high];
8     int i=low-1;
9     for(int j=low;j<high;j++){
10         if(arr[j]<pivot){
11             i++;
12             swap(arr[i],arr[j]);
13         }
14     }
15     swap(arr[i+1],arr[high]);
16     return i+1;
17 }
18
19 template<typename T>
20 void qsort(vector<T>& arr, int low,int high){
21     if(low<high){
22         int pindex=p(arr,low,high);
23         qsort(arr,low,pindex-1);
24         qsort(arr,pindex+1,high);
25     }
26 }
27
28 template<typename T>
29 void mysort(vector<T>& arr){
30     int n=arr.size();
31     qsort(arr,0,n-1);
32 }
33
34 template<typename T>
35 void solve(vector<T>& arr){
36     mysort(arr);
37     int cnt=0;
38     for(auto a:arr){
39         if(cnt++) cout<<" ";
40         cout<<a;
41     }
42     cout<<endl;
43     arr.clear();
44 }
45
46 int main(){
47     int n,x;
48     double d;
49     char c;

```

```

49 string s;
50 while(cin>>n){
51     vector<int> v;
52     for(int i=0;i<n;i++){
53         cin>>x;
54         v.push_back(x);
55     }
56     solve(v);
57     cin>>n;
58     vector<double> vd;
59     for(int i=0;i<n;i++){
60         cin>>d;
61         vd.push_back(d);
62     }
63     solve(vd);
64     cin>>n;
65     vector<char> vc;
66     for(int i=0;i<n;i++){
67         cin>>c;
68         vc.push_back(c);
69     }
70     solve(vc);
71     cin>>n>>ws;
72     vector<string> vs;
73     for(int i=0;i<n;i++){
74         getline(cin,s);
75         vs.push_back(s);
76     }
77     mysort(vs);
78     for(auto a:vs) cout<<a<<endl;
79     vs.clear();
80 }
81 return 0;
82 }

```