34

35

36

37

38

39

12

13

14

15

19

8

9

10

11

12

13

14

16

21

23

## **Contents** 1 字串 1.2 KMP . . . . . . . . . . . . . . . . . . 2.1 SG . . . . . . . . . . . . . . . . . 2.2 Fibonacci . . . . . . . . . . . . . . 2.3 矩陣快速冪 . . . . . . . . . . . . . . . . 3 algorithm 3.1 三分搜 . . . . . . . . . . . . . . . . . 3.4 dinic . . . . . . . . . . . . . . . . . 3.5 SCC Tarjan . . . . . . . . . . . . . 3.6 ArticulationPoints Tarjan . . . . . 3.8 二分圖最大匹配 3.9 JosephusProblem . . . . . . . . . . . . . 4 DataStructure 4.1 線段樹 1D 4.2 線段樹 2D geometry 5.1 intersection . . . . . . . . . . . . . 6.4 RangeDP . . . . . . . . . . . . . . . . 6.5 stringDP 6.6 樹 DP 有幾個 path 長度為 k . . . . . . 6.7 TreeDP reroot . . . . . . . . . . . . . 6.8 WeightedLIS . . 字串 最長迴文子字串

```
#include<bits/stdc++.h>
   #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
   using namespace std;
   string s;
   int n:
   int ex(int 1,int r){
     while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;</pre>
11
     return i:
12
13
   int main(){
14
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1:
16
17
     int mx=0;
     int center=0:
18
19
     vector<int> r(n);
20
     int ans=1;
21
     r[0]=1;
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
       int ii=center-(i-center);
23
       int len=mx-i+1;
24
25
       if(i>mx){
26
         r[i]=ex(i,i);
27
         center=i;
28
         mx=i+r[i]-1;
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
         center=i:
         mx=i+r[i]-1;
33
```

```
2.4 質數與因數
else r[i]=min(r[ii],len);
```

1

```
ans=max(ans,r[i]);
                                                            歐拉篩O(n)
                                                            #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
     cout<<ans-1<<"\n":
                                                            bool isPrime[MAXN];
     return 0;
                                                            int p[MAXN];
                                                            int pSize=0;
                                                            void getPrimes(){
                                                             memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
           KMP
   1.2
                                                              isPrime[0]=isPrime[1]=false;
                                                              for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
                                                                if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
 1 #define maxn 1000005
                                                                for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
   int nextArr[maxn];
   void getNextArr(const string& s) {
                                                        12
                                                                  isPrime[i*p[j]]=false;
                                                        13
                                                                  if(i%p[j]==0) break;
     nextArr[0] = 0;
     int prefixLen = 0;
                                                        14
                                                        15
                                                             }
     for (int i = 1; i < s.size(); ++i) {</pre>
       prefixLen = nextArr[i - 1];
                                                        16
       //如果不一樣就在之前算過的prefix中
                                                        17
                                                            最大公因數 O(log(min(a,b)))
       //搜有沒有更短的前後綴
                                                        18
                                                            int GCD(int a, int b){
       while (prefixLen>0 && s[prefixLen]!=s[i])
                                                             if(b == 0) return a;
         prefixLen = nextArr[prefixLen - 1];
                                                        20
                                                             return GCD(b, a%b);
       //一樣就繼承之前的前後綴長度+1
                                                        21
       if (s[prefixLen] == s[i])
                                                        22
                                                        23
         ++prefixLen:
                                                            質因數分解
       nextArr[i] = prefixLen;
                                                            void primeFactorization(int n){
                                                        25
     for (int i = 0; i < s.size() - 1; ++i) {</pre>
                                                        26
                                                             for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
                                                                if(p[i]*p[i] > n) break;
       vis[nextArr[i]] = true;
                                                        27
                                                                if(n % p[i]) continue;
                                                        28
                                                        29
                                                                cout << p[i] << ' ';
                                                                while(n%p[i] == 0) n /= p[i];
                                                        30
   2
         math
                                                        31
   2.1 SG
                                                             if(n != 1) cout << n << ' ';
                                                        32
                                                        33
                                                             cout << ' \ n';
        • SG(x) = mex\{SG(y)|x \to y\}
                                                        34 }
                                                        35
        • mex(S) = \min\{n | n \in \mathbb{N}, n \notin S\}
                                                            擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)
                                                        37
                                                            int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y) {
                                                             if(b == 0){
   2.2 Fibonacci
                                                                x = 1, y = 0;
        • \begin{bmatrix} f_{n-1} & f_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix}
                                                        40
                                                                return a;
                                                              int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
        • \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^p = \begin{bmatrix} f_{n+p} & f_{n+p+1} \end{bmatrix}, \ p \in \frac{43}{44}
                                                             y -= a/b*x;
                                                             return d;
                                                        45
                                                        46
                                                            int main(){
                                                        47
                                                             int a, b, x, y;
   2.3 矩陣快速冪
                                                              cin >> a >> b;
                                                             ext_euc(a, b, x, y);
cout << x << ' ' << y << endl;
 1|using 11 = long long;
                                                        51
                                                              return 0:
   using mat = vector<vector<ll>>;
                                                        52
   const int mod = 1e9 + 7;
   mat operator*(mat A, mat B) {
                                                        54
       mat res(A.size(),
                                                        56
                                                            歌德巴赫猜想
             vector<ll>(B[0].size()));
                                                            解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
       for(int i=0; i<A.size(); i++) {</pre>
           for(int j=0; j<B[0].size(); j++) {</pre>
                                                            #define N 20000000
                                                            int ox[N], p[N], pr;
                                                        59
                for(int k=0; k<B.size(); k++) {</pre>
                   res[i][j] = (res[i][j] +
                                                            void PrimeTable(){
                                                             ox[0] = ox[1] = 1;
                         A[i][k] * B[k][j]) % mod;
                                                        61
                                                        62
                                                             pr = 0;
               }
                                                              for(int i=2;i<N;i++){</pre>
           }
                                                        64
                                                                if(!ox[i]) p[pr++] = i;
       }
                                                        65
                                                                for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
       return res;
                                                        66
                                                                  ox[i*p[j]] = 1;
15 }
                                                        67
                                                        68 }
17 mat I = ;
                                                        69
                                                            int main(){
18 // compute matrix M^n
                                                        70
                                                             PrimeTable();
19 // 需先 init I 矩陣
20 mat mpow(mat& M, int n) {
                                                        71
                                                              int n:
       if(n <= 1) return n ? M : I;</pre>
                                                              while(cin>>n, n){
       mat v = mpow(M, n>>1);
                                                        73
                                                                int x;
                                                        74
                                                                for(x=1;; x+=2)
       return (n & 1) ? v*v*M : v*v;
24 }
                                                        75
                                                                  if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
```

printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);

```
}
78
79
   給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
81
   如果N是質數,則答案為 1。
   如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
   如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
85
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
86
87
   bool isPrime(int n){
    for(int i=2;i<n;++i){</pre>
88
89
      if(i*i>n) return true;
90
      if(n%i==0) return false;
91
92
    return true;
   }
93
   int main(){
95
    int n;
     cin>>n;
96
97
     if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
     else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
98
99
     else cout<<"3\n";</pre>
100 }
```

### 2.5 歐拉函數

```
2
3 int phi(){
4    int ans=n;
5    for(int i=2;i*i<=n;i++)
6    if(n%i==0){
7        ans=ans-ans/i;
8        while(n%i==0) n/=i;
9    }
10    if(n>1) ans=ans-ans/n;
11    return ans;
12 }
```

//計算閉區間 [1,n] 中有幾個正整數與 n 互質

### 3 algorithm 3.1 三分搜

```
題音
   給定兩射線方向和速度, 問兩射線最近距離。
 2
     題解
   假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離,F(t)
        為二次函數,
   可用三分搜找二次函數最小值。
   struct Point{
      double x, y, z;
 7
 8
      Point() {}
      Point(double _x,double _y,double _z):
10
          x(_x),y(_y),z(_z){}
11
      friend istream& operator>>(istream& is,
           Point& p) {
          is \gg p.x \gg p.y \gg p.z;
12
13
          return is;
14
15
      Point operator+(const Point &rhs) const{
          return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
16
17
18
      Point operator-(const Point &rhs) const{
19
          return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
20
      Point operator*(const double &d) const{
21
          return Point(x*d,y*d,z*d);
22
23
24
      Point operator/(const double &d) const{
25
          return Point(x/d,y/d,z/d);
26
      double dist(const Point &rhs) const{
27
          double res = 0;
28
29
          res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
30
          res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
          res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
31
```

#### 32 return res; } 33 34 }; 35 int main(){ 36 IOS: //輸入優化 37 int T; cin>>T: 38 for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre> 39 40 double time; Point x1,y1,d1,x2,y2,d2; 41 42 cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2; d1=(y1-x1)/time; 43 d2=(y2-x2)/time;double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2; 45 46 double ans = x1.dist(x2); 47 while(abs(L-R)>1e-10){ m1=(L+R)/2: 48 m2=(m1+R)/2: f1=((d1\*m1)+x1).dist((d2\*m1)+x2);50 f2=((d1\*m2)+x1).dist((d2\*m2)+x2);51 52 ans = min(ans,min(f1,f2)); **if**(f1<f2) R=m2; 53 else L=m1; 55 cout<<"Case "<<ti<<": "; 56 57 cout << fixed << setprecision(4) <<</pre> $sqrt(ans) \ll ' n'$ ; 58 } 59 }

### 3.2 差分

```
1 用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
2 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
 3 | b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
   給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
   因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
   所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
   在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
   最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
   這樣一來, b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
10
  int a[1000], b[1000];
   // a: 前綴和數列, b: 差分數列
11
   int main(){
13
      int n, 1, r, v;
      cin >> n;
14
15
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
          cin >> a[i]:
16
17
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
18
19
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
20
      b[r+1] -= v;
21
22
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
         b[i] += b[i-1];
23
          cout << b[i] << ' ';
24
25
26 }
```

### 3.3 greedy

```
int pos =(int)s.size()-1;
15
16
         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
17
             if(s[j]>s[j+1]){
                pos=j;
19
                break;
             }
20
21
         }
         s.erase(pos,1);
22
23
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
24
25
         s.erase(0,1);
26
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
27
      else cout<<0<<'\n';
28
  最小區間覆蓋長度
29
  //problem
  給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
31
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
32
33
  先將 所有 區 間 依 照 左 界 由 小 到 大 排 序,
34
   對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
36
  找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
37
38
   //problem
   長度 n 的直線中有數個加熱器,
39
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
41
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
43
44
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
45
46
  int main(){
47
      int n, r;
      int a[1005];
48
      cin>>n>>r;
49
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
      int i=1,ans=0;
51
      while(i<=n){
52
         int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
53
54
         int nextR=-1;
         for(int j=R; j>=L; -- j){
55
56
             if(a[j]){
57
                nextR=i:
58
                break;
         }
60
61
         if(nextR==-1){
62
             ans=-1;
63
             break;
         }
64
65
         ++ans;
66
         i=nextR+r;
67
68
      cout<<ans<<'\n';
69 }
70
  最多不重疊區間
71
  給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
72
  請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
75
   依照右界由小到大排序,
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
76
77
  //code
78
  struct Line{
79
      bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
80
81
          return R<rhs.R;</pre>
82
83
  };
84
  int main(){
85
      int t;
86
      cin>>t;
87
      Line a[30];
      while(t--){
89
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
```

for(int i=0;i<k;++i){</pre>

if((int)s.size()==0) break;

13

14

```
if(a[i].d<sumT){</pre>
              ++n;
                                                 168
                                                                                                   17
                                                                                                          E.push_back({s, t, cap, 0});
                                                                                                          E.push_back({t, s, 0, 0});
92
          sort(a,a+n);
                                                 169
                                                                int x=pq.top();
                                                                                                   18
          int ans=1,R=a[0].R;
                                                                                                   19
                                                                                                          G[s].push_back(E.size()-2);
93
                                                 170
                                                               pq.pop();
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                 171
                                                                sumT-=x;
                                                                                                   20
                                                                                                          G[t].push_back(E.size()-1);
94
95
              if(a[i].L>=R){
                                                 172
                                                                --ans:
                                                                                                   21
                                                                                                      }
                                                                                                      bool bfs() {
96
                                                 173
                                                                                                   22
                                                                                                          queue<int> q({S});
97
                 R=a[i].R:
                                                 174
                                                                                                   23
98
                                                 175
                                                        cout<<ans<<'\n';
                                                                                                          memset(level, -1, sizeof(level));
                                                                                                   24
99
                                                 176 }
                                                                                                   25
                                                                                                          level[S] = 0;
          cout<<ans<<'\n';
                                                                                                          while(!q.empty()) {
100
                                                 177
                                                                                                   26
101
                                                 178
                                                     任務調度問題
                                                                                                   27
                                                                                                             int cur = q.front();
102 }
                                                     //problem
                                                 179
                                                                                                   28
                                                                                                             q.pop();
   最小化最大延遲問題
                                                     給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                                                   29
                                                                                                             for(int i : G[cur]) {
103
104
   //problem
                                                     期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
                                                                                                   30
                                                                                                                 Edge e = E[i];
105
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                          單位懲 罰,
                                                                                                   31
                                                                                                                 if(level[e.t]==-1 &&
   期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為
                                                 182
                                                     請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                                                                                      e.cap>e.flow) {
        Li=max(0,Fi-Di),
                                                                                                                    level[e.t] = level[e.s] + 1;
                                                 183 //solution
                                                                                                   32
                                                     依照懲罰由大到小排序,
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                                                                   33
                                                                                                                    q.push(e.t);
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                     每項工作依序嘗試可不可以放在
                                                                                                                 }
108
                                                 185
                                                                                                   34
   //solution
                                                         Di-Ti+1, Di-Ti, ..., 1, 0,
                                                                                                   35
                                                                                                             }
109
                                                                                                          }
   按照到期時間從早到晚處理。
                                                 186
                                                     如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                                                                   36
110
                                                 187
                                                                                                   37
111
   //code
                                                                                                          return ~level[T];
112
   struct Work{
                                                 188
                                                     //problem
                                                                                                   38 }
                                                     給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
113
       int t. d:
                                                 189
                                                                                                   39
                                                                                                      int dfs(int cur, int lim) {
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
114
                                                     期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                                                                          if(cur==T || lim==0) return lim;
                                                                                                   40
115
          return d<rhs.d:
                                                          單位  勵,
                                                                                                   41
                                                                                                          int result = 0:
                                                     請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                                                                          for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
116
                                                 191
                                                                                                   42
117 };
                                                 192
                                                     //solution
                                                                                                               && lim; i++) {
   int main(){
                                                     和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                                                                             Edge& e = E[G[cur][i]];
118
                                                 193
                                                                                                   43
119
       int n;
                                                 194
                                                                                                   44
                                                                                                             if(level[e.s]+1 != level[e.t])
       Work a[10000];
                                                 195 struct Work{
120
                                                                                                                  continue:
121
       cin>>n;
                                                 196
                                                        int d,p;
                                                                                                   45
                                                                                                              int flow = dfs(e.t, min(lim,
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                 197
                                                        bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                                  e.cap-e.flow));
122
123
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                 198
                                                            return p>rhs.p;
                                                                                                   46
                                                                                                             if(flow <= 0) continue:</pre>
                                                                                                             e.flow += flow;
124
       sort(a,a+n);
                                                 199
                                                                                                   47
                                                                                                             result += flow;
       int maxL=0,sumT=0;
                                                 200 };
125
                                                                                                   48
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                 201 int main(){
                                                                                                   49
                                                                                                             E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
126
127
          sumT+=a[i].t;
                                                 202
                                                        int n;
                                                                                                   50
                                                                                                             lim -= flow;
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                        Work a[100005];
                                                                                                          }
128
                                                 203
                                                                                                   51
129
                                                        bitset<100005> ok;
                                                                                                   52
                                                                                                          return result;
                                                 204
       cout<<maxL<<'\n';</pre>
                                                        while(cin>>n){
                                                                                                   53 }
130
                                                 205
                                                                                                      int dinic() {// O((V^2)E)
131
   }
                                                 206
                                                            ok.reset():
                                                                                                   54
   最少延遲數量問題
                                                                                                          int result = 0;
132
                                                 207
                                                            for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                                                                   55
   //problem
                                                 208
                                                                cin>>a[i].d>>a[i].p;
                                                                                                   56
                                                                                                          while(bfs()) {
133
   給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti ,
                                                 209
                                                            sort(a,a+n);
                                                                                                   57
                                                                                                             memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
                                                                                                             result += dfs(S, inf);
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                            int ans=0:
                                                                                                   58
135
                                                 210
                                                            for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                                                          }
   //solution
                                                                                                   59
                                                               int j=a[i].d;
   期限越早到期的工作越先做。
                                                                                                   60
137
                                                 212
                                                                                                          return result;
   將 工 作 依 照 到 期 時 間 從 早 到 晚 排 序,
                                                 213
                                                               while(j--)
                                                                                                   61 }
138
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                 214
                                                                   if(!ok[j]){
139
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
140
                                                 215
                                                                       ans+=a[i].p;
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                                       ok[j]=true;
141
                                                                                                      3.5 SCC Tarjan
                                                 217
142
                                                                       break;
143
   //problem
                                                 218
                                                                   }
                                                                                                    1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小
144
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                219
                                                            }
                                                                                                      //的要數出來,因為題目要方法數
                                                            cout<<ans<<'\n';
                                                 220
145
   和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                 221
                                                        }
                                                                                                      //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
                                                                                                      //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                 222 }
147
                                                                                                      #define maxn 100005
   工作期限 → 烏龜可承受重量
148
                                                                                                      #define MOD 1000000007
   多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
149
150
   //code
                                                                                                      long long cost[maxn];
                                                     3.4 dinic
                                                                                                      vector<vector<int>> G:
151
   struct Work{
                                                                                                      int SCC = 0;
152
       int t. d:
                                                                                                      stack<int> sk;
                                                   1 const int maxn = 1e5 + 10:
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                   10
153
          return d<rhs.d;</pre>
                                                     const int inf = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                   11
                                                                                                      int dfn[maxn];
154
                                                     struct Edge {
                                                                                                      int low[maxn];
155
                                                        int s, t, cap, flow;
                                                                                                   13
                                                                                                      bool inStack[maxn];
                                                   4
156 };
                                                   5 };
                                                                                                      int dfsTime = 1;
   int main(){
157
                                                                                                   15
                                                                                                      long long totalCost = 0;
       int n=0;
                                                   6 int n, m, S, T;
158
                                                    int level[maxn], dfs_idx[maxn];
                                                                                                      long long ways = 1;
       Work a[10000];
159
                                                                                                      void dfs(int u) {
       priority_queue<int> pq;
                                                   8 vector<Edge> E;
                                                                                                   17
160
                                                    vector<vector<int>> G;
                                                                                                   18
                                                                                                          dfn[u] = low[u] = dfsTime;
                                                   9
161
       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                  10 void init() {
                                                                                                   19
                                                                                                          ++dfsTime;
162
           ++n;
                                                        S = 0:
                                                                                                          sk.push(u);
163
       sort(a,a+n);
                                                  11
                                                                                                   20
       int sumT=0,ans=n;
                                                        T = n + m;
                                                                                                          inStack[u] = true;
                                                  12
                                                                                                   21
164
                                                        E.clear();
                                                                                                          for (int v: G[u]) {
165
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                  13
                                                                                                   22
                                                        G.assign(maxn, vector<int>());
                                                                                                             if (dfn[v] == 0) {
                                                  14
                                                                                                   23
166
          pq.push(a[i].t);
                                                  15 }
167
           sumT+=a[i].t;
                                                                                                   24
                                                                                                                 dfs(v);
```

16 void addEdge(int s, int t, int cap) {

low[u] = min(low[u], low[v]);

28

39

47

51

52

55

57

60

30

```
26
           else if (inStack[v]) {
27
28
              //屬於同個SCC且是我的back edge
29
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
30
31
       //如果是SCC
32
       if (dfn[u] == low[u]) {
33
34
           long long minCost = 0x3f3f3f3f;
35
           int currWays = 0;
36
           ++SCC;
37
           while (1) {
38
              int v = sk.top();
39
              inStack[v] = 0;
40
              sk.pop();
41
              if (minCost > cost[v]) {
                  minCost = cost[v];
42
                  currWays = 1;
43
              }
44
45
              else if (minCost == cost[v]) {
46
                  ++currWays;
47
48
              if (v == u)
49
                  break;
50
51
           totalCost += minCost;
           ways = (ways * currWays) % MOD;
52
53
   }
54
55
   int main() {
56
       int n;
       scanf("%d", &n);
57
58
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
59
           scanf("%11d", &cost[i]);
       G.assign(n + 5, vector<int>());
60
       int m:
61
62
       scanf("%d", &m);
63
       int u, v;
       for (int i = 0; i < m; ++i) {</pre>
64
65
           scanf("%d %d", &u, &v);
66
           G[u].emplace_back(v);
67
68
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {
69
           if (dfn[i] == 0)
70
              dfs(i);
71
       printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
            MOD):
73
       return 0;
74 }
```

#### 3.6 ArticulationPoints Tarjan

```
vector<vector<int>> G;
   int N, timer;
   bool visited[105];
   int dfn[105]; // 第一次visit的時間
   int low[105];
   //最小能回到的父節點
   //(不能是自己的parent)的visTime
   int res;
   //求割點數量
10
   void tarjan(int u, int parent) {
      int child = 0;
12
      bool isCut = false;
13
      visited[u] = true;
      dfn[u] = low[u] = ++timer;
14
      for (int v: G[u]) {
15
16
          if (!visited[v]) {
17
             ++child;
             tarjan(v, u);
18
             low[u] = min(low[u], low[v]);
19
             if (parent != -1 && low[v] >=
                   dfn[u])
                 isCut = true;
21
22
          else if (v != parent)
23
```

```
low[u] = min(low[u], dfn[v]);
24
      }
25
       //If u is root of DFS
26
            tree->有兩個以上的children
       if (parent == -1 && child >= 2)
27
           isCut = true;
       if (isCut) ++res;
29
30 }
31 int main() {
       char input[105];
32
33
       char* token;
       while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
34
35
           G.assign(105, vector<int>());
36
          memset(visited, false,
                sizeof(visited));
37
           memset(low, 0, sizeof(low));
           memset(dfn, 0, sizeof(visited));
38
           timer = 0;
           res = 0;
40
41
           getchar(); // for \n
42
           while (fgets(input, 105, stdin)) {
               if (input[0] == '0')
43
44
                  break;
45
               int size = strlen(input);
46
               input[size - 1] = ' \setminus \emptyset';
               --size:
               token = strtok(input, " ");
48
49
               int u = atoi(token);
50
               int v:
               while (token = strtok(NULL, " "))
                   {
                  v = atoi(token);
                  G[u].emplace_back(v);
                  G[v].emplace_back(u);
54
          }
56
           tarjan(1, -1);
58
           printf("%d\n", res);
59
```

### 3.7 最小樹狀圖

return 0;

```
1 const int maxn = 60 + 10;
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
   struct Edge {
     int s, t, cap, cost;
 5 }; // cap 為頻寬 (optional)
 6 int n, m, c;
   int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
        vis[maxn]:
 8 // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
   // 找環,如果沒有則 return;
10 // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
   int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
12
      int result = 0, root = 0, N = n;
      while(true) {
13
14
          memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
15
          // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
16
          // optional: low 為最小 cap 限制
          for(const Edge& e : edges) {
17
18
              if(e.cap < low) continue;</pre>
19
              if(e.s!=e.t &&
                  e.cost<inEdge[e.t]) {
                 inEdge[e.t] = e.cost;
20
21
                 pre[e.t] = e.s;
22
23
24
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
25
              if(i!=root && inEdge[i]==inf)
                 return -1;//除了root 還有點沒有in
26
          }
27
          int seq = inEdge[root] = 0;
28
29
          memset(idx, -1, sizeof(idx));
```

memset(vis, -1, sizeof(vis));

```
// 找所有的 cycle,一起編號為 seq
31
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
32
              result += inEdge[i];
33
              int cur = i;
34
35
              while(vis[cur]!=i &&
                   idx[cur]==-1) {
                  if(cur == root) break;
36
                  vis[cur] = i;
37
38
                  cur = pre[cur];
39
40
              if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
                  for(int j=pre[cur]; j!=cur;
                       j=pre[j])
42
                      idx[j] = seq;
43
                  idx[cur] = seq++;
44
          }
45
          if(seq == 0) return result; // 沒有
                cycle
47
          for(int i=0; i<N; i++)</pre>
48
              // 沒有被縮點的點
              if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
49
50
          // 縮點並重新編號
51
          for(Edge& e : edges) {
52
              if(idx[e.s] != idx[e.t])
                  e.cost -= inEdge[e.t];
53
              e.s = idx[e.s];
54
55
              e.t = idx[e.t];
          }
56
          N = seq;
57
          root = idx[root];
58
59
      }
60 }
```

41

### 3.8 二分圖最大匹配

```
1 /* 核心: 最大點獨立集 = |V| -
        /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
   vector<Student> boys;
  vector<Student> girls;
   vector<vector<int>>> G;
  bool used[505];
6
  int p[505];
   bool match(int i) {
      for (int j: G[i]) {
          if (!used[i]) {
10
              used[j] = true;
              if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
11
                 p[j] = i;
13
                  return true;
14
              }
          }
15
16
      }
17
      return false;
18
  }
19
   void maxMatch(int n) {
20
      memset(p, -1, sizeof(p));
      int res = 0;
21
22
      for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
          memset(used, false, sizeof(used));
23
24
          if (match(i))
25
              ++res;
26
      }
27
      cout << n - res << ' \setminus n';
28 }
```

#### 3.9 JosephusProblem

```
1 //JosephusProblem, 只是規定要先 砍 1號
2 //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
 //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
 int getWinner(int n, int k) {
     int winner = 0;
     for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
```

```
winner = (winner + k) % i;
                                                                 memset(T, false, sizeof(T));
                                                                                                             for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                   57
                                                                                                      37
                                                                                                                  deltaDep >>= 1)
8
      return winner:
                                                   58
                                                                 if (match(i))
  }
                                                                     break;
                                                                                                                 if (deltaDep & 1)
9
                                                   59
                                                                                                      38
10
   int main() {
                                                                 else
                                                                                                                    res += dis[y][i], y = fa[y][i];
                                                                                                      39
                                                                                                             if (y == x) //x = y \rightarrow x y彼此是彼此的祖先
11
      int n:
                                                   61
                                                                     update(); //去調整vertex
                                                                                                      40
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
                                                                          labeling以增加增廣路徑
12
                                                                                                      41
                                                                                                                 return res;
                                                                                                             //往上找,一起跳,但x \times y不能重疊
                                                             }
13
                                                   62
                                                                                                      42
                                                         }
          for (int k = 1; k \le n; ++k){
                                                   63
                                                                                                      43
                                                                                                             for (int i = 30; i \ge 0 && y != x; --i) {
14
15
              if (getWinner(n, k) == 11){
                                                   64 }
                                                                                                      44
                                                                                                                 if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
                 printf("%d\n", k);
                                                      int main() {
                                                                                                      45
16
                                                   65
                                                                                                                    res += dis[x][i] + dis[y][i];
                                                          while (scanf("%d", &n) != EOF) {
17
                 break:
                                                   66
                                                                                                      46
                                                                                                                    x = fa[x][i];
              }
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
                                                                                                      47
18
                                                   67
                                                                                                                    y = fa[y][i];
19
          }
                                                   68
                                                                 for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                                                                      48
                                                                     scanf("%d", &W[i][j]);
20
      }
                                                   69
                                                                                                      49
                                                                                                             }
21
      return 0:
                                                   70
                                                                                                      50
                                                                                                             //最後發現不能跳了,此時x的第2^0 =
22
                                                   71
                                                              int res = 0;
                                                                                                                  1個祖先(或說 y的 第 2^0 =
                                                   72
                                                              for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                                  1的祖先)即為x、y的1ca
                                                                 if (i != 0)
                                                                                                             res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                   73
                                                   74
                                                                     printf(" %d", Lx[i]);
                                                                                                      52
                                                                                                             return res;
   3.10
           KM
                                                   75
                                                                                                      53
                                                   76
                                                                     printf("%d", Lx[i]);
                                                                                                      54
                                                                                                         int main() {
  #define maxn 505
                                                                 res += Lx[i];
                                                   77
                                                                                                           int n, q;
                                                                                                      55
   int W[maxn][maxn];
                                                   78
                                                             }
                                                                                                           while (~scanf("%d", &n) && n) {
   int Lx[maxn], Ly[maxn];
                                                             puts("");
                                                                                                             int v, w;
                                                   79
                                                                                                      57
   bool S[maxn], T[maxn];
                                                              for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   80
                                                                                                      58
                                                                                                             G.assign(n + 5, vector<Edge>());
   //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
                                                                                                                 for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {</pre>
                                                   81
                                                                 if (i != 0)
                                                                                                      59
   int L[maxn];
                                                                                                               scanf("%d %d", &v, &w);
                                                                     printf(" %d", Ly[i]);
                                                   82
                                                                                                      60
   int n;
 7
                                                   83
                                                                 else
                                                                                                      61
                                                                                                               G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
   bool match(int i) {
                                                   84
                                                                     printf("%d", Ly[i]);
                                                                                                               G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
                                                                                                      62
      S[i] = true;
9
                                                   85
                                                                 res += Ly[i];
                                                                                                      63
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
10
                                                             }
                                                   86
                                                                                                      64
                                                                                                                 dfs(1, 0);
11
          // KM重點
                                                             puts("");
                                                                                                                 scanf("%d", &q);
                                                   87
                                                                                                      65
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
12
                                                   88
                                                             printf("%d\n", res);
                                                                                                      66
                                                                                                                 int u;
13
          // 要想辦法降低Lx + Ly
                                                   89
                                                          }
                                                                                                      67
                                                                                                                 while (q--) {
          // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                                                                                    scanf("%d %d", &u, &v);
14
                                                   90
                                                          return 0;
                                                                                                      68
                                                                                                                    printf("%11d%c", lca(u + 1, v + 1), (q)?'': '\n');
15
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
                                                                                                      69
               !T[j]) {
              T[j] = true;
16
                                                                                                      70
17
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
                                                                                                           }
                                                                                                      71
                                                      3.11 LCA 倍增法
18
                 L[j] = i;
                                                                                                      72
                                                                                                           return 0;
19
                 return true;
                                                                                                      73 }
20
              }
                                                    1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
                                                      //利用1ca找樹上任兩點距離
21
          }
22
                                                      #define maxn 100005
                                                                                                         3.12 MCMF
                                                    4 struct Edge {
      return false;
23
                                                       int u, v, w;
   //修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                    6 };
                                                                                                         #define maxn 225
25
   //此舉是在通過調整vertex labeling看看
                                                      vector<vector<Edge>> G; // tree
                                                                                                         #define INF 0x3f3f3f3f
26
   //能不能產生出新的增廣路
                                                      int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
                                                                                                         struct Edge {
   //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                      long long dis[maxn][31];
28
                                                                                                             int u, v, cap, flow, cost;
   //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配10 int dep[maxn];//深度
                                                                                                       5
   void update()
                                                      void dfs(int u, int p) {//預處理fa
30
                                                   11
                                                                                                       6
                                                                                                         //node size, edge size, source, target
31
   {
                                                   12
                                                          fa[u][0] = p; //因為u的第2^0 = 1的祖先就是p
                                                                                                         int n, m, s, t;
      int diff = 0x3f3f3f3f;
32
                                                   13
                                                          dep[u] = dep[p] + 1;
                                                                                                         vector<vector<int>> G;
      for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
33
                                                          //第2^{1}的祖先是(第2^{1}0 - 1)個祖先)的
                                                                                                         vector<Edge> edges;
                                                   14
          if (S[i]) {
                                                          //第2<sup>^</sup>(i - 1)的祖先
                                                                                                         bool inqueue[maxn];
34
35
                                                          //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
                                                                                                         long long dis[maxn];
              for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                   16
36
                  if (!T[j])
                                                   17
                                                          for (int i = 1; i < 31; ++i) {
                                                                                                         int parent[maxn];
37
                     diff = min(diff, Lx[i] +
                                                   18
                                                             fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
                                                                                                      13
                                                                                                         long long outFlow[maxn];
                          Ly[j] - W[i][j]);
                                                   19
                                                              dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
                                                                                                         void addEdge(int u, int v, int cap, int
                                                                                                      14
38
              }
                                                                   + dis[u][i - 1];
                                                                                                               cost) {
                                                                                                             edges.emplace_back(Edge\{u, v, cap, 0,
39
          }
                                                   20
                                                                                                      15
40
                                                   21
                                                          //遍歷子節點
                                                          for (Edge& edge: G[u]) {
                                                                                                             edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
41
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   22
                                                                                                      16
42
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
                                                   23
                                                              if (edge.v == p)
                                                                                                                  -cost});
43
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
                                                   24
                                                                 continue;
                                                                                                      17
                                                                                                             m = edges.size();
44
      }
                                                   25
                                                              dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                                                                      18
                                                                                                             G[u].emplace_back(m - 2);
45
   }
                                                   26
                                                              dfs(edge.v, u);
                                                                                                      19
                                                                                                             G[v].emplace_back(m - 1);
   void KM()
                                                   27
                                                         }
                                                                                                      20 }
46
47
   {
                                                   28 }
                                                                                                         //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
                                                                                                         bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
48
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   29 long long lca(int x, int y) {
                                                                                                      22
                                                          //此函數是找lca同時計算x \cdot y的距離 -> dis(x,
49
          L[i] = -1;
                                                                                                              minCost) {
50
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                               lca) + dis(lca, y)
                                                                                                      23
                                                                                                             // memset(outFlow, 0x3f,
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                          //讓y比x深
                                                                                                                  sizeof(outFlow));
51
                                                   31
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
                                                          if (dep[x] > dep[y])
                                                                                                             memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
                                                   32
53
                                                                                                             memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
                                                   33
                                                              swap(x, y);
                                                                                                      25
                                                          int deltaDep = dep[y] - dep[x];
54
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                      26
                                                                                                             queue<int> q;
                                                   34
55
          while(1) {
                                                   35
                                                          long long res = 0;
                                                                                                      27
                                                                                                             q.push(s);
              memset(S, false, sizeof(S));
                                                          //讓y與x在同一個深度
                                                                                                             dis[s] = 0;
56
                                                                                                      28
```

```
inqueue[s] = true;
                                                                         addEdge(i, M + i + j, INF,
                                                                                                                     for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
29
                                                   90
                                                                                                       61
      outFlow[s] = INF;
30
                                                                              I * j);
                                                                                                       62
                                                                                                                         recover(col[j]);
31
      while (!q.empty()) {
                                                                 }
                                                                                                                 }
                                                   91
                                                                                                       63
32
          int u = q.front();
                                                             }
                                                                                                                 recover(c);
                                                   92
                                                                                                       64
                                                             printf("Case %d: %11d\n", Case,
          q.pop();
                                                                                                                 return false;
33
                                                   93
                                                                                                       65
          inqueue[u] = false;
                                                                   -MCMF());
34
                                                                                                       66
          for (const int edgeIndex: G[u]) {
                                                          }
                                                                                                             void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
35
                                                   94
                                                                                                       67
36
              const Edge& edge =
                                                   95
                                                          return 0;
                                                                                                                   denth ₩
                   edges[edgeIndex];
                                                   96 }
                                                                                                       68
                                                                                                                 if(R[0] == 0) {
              if ((edge.cap > edge.flow) &&
                                                                                                                     resSize = min(resSize, idx); //
                                                                                                       69
37
                   (dis[edge.v] > dis[u] +
                                                                                                                          注意init值
                   edge.cost)) {
                                                                                                       70
                                                                                                                     return:
                                                      3.13 Dancing Links
38
                  dis[edge.v] = dis[u] +
                                                                                                       71
                       edge.cost;
                                                                                                       72
                                                                                                                 int c = R[0];
                                                    1 struct DLX {
39
                  parent[edge.v] = edgeIndex;
                                                                                                       73
                                                                                                                 for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                          int seq, resSize;
40
                  outFlow[edge.v] =
                                                                                                       74
                                                                                                                     if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                          int col[maxn], row[maxn];
                       min(outFlow[u], (long
                                                                                                       75
                                                          int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
                       long)(edge.cap -
                                                                                                                 remove(c);
                                                          int rowHead[maxn], colSize[maxn];
                       edge.flow));
                                                                                                       77
                                                                                                                 for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                          int result[maxn];
                  if (!inqueue[edge.v]) {
                                                                                                       78
                                                                                                                     for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                          DLX(int r, int c) {
42
                     q.push(edge.v);
                                                                                                       79
                                                                                                                         remove(col[j]);
                                                              for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
                      inqueue[edge.v] = true;
43
                                                                                                       80
                                                                                                                     dfs(idx+1):
                                                                 L[i] = i-1, R[i] = i+1;
44
                                                    9
                                                                                                       81
                                                                                                                     for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                   10
                                                                 U[i] = D[i] = i;
45
              }
                                                                                                       82
                                                                                                                         recover(col[j]);
          }
                                                   11
46
                                                                                                       83
                                                   12
                                                              L[R[seq=c]=0]=c;
47
                                                                                                       84
                                                                                                                 recover(c);
                                                   13
                                                              resSize = -1;
      //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
                                                                                                       85
                                                                                                             }
48
                                                              memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
                                                   14
49
      if (dis[t] > 0)
                                                                                                       86 };
                                                   15
                                                             memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
50
          return false;
                                                                                                               DataStructure
51
      maxFlow += outFlow[t];
                                                   16
      minCost += dis[t] * outFlow[t];
                                                          void insert(int r, int c) {
                                                   17
52
                                                                                                          4.1 線段樹 1D
      //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
                                                              row[++seq]=r, col[seq]=c,
53
                                                                   ++colSize[c];
54
      //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
                                                              U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,
                                                                                                          #define MAXN 1000
55
      int curr = t:
                                                   19
                                                                   D[c]=seq;
                                                                                                          int data[MAXN]; //原數據
56
      while (curr != s) {
          edges[parent[curr]].flow +=
                                                   20
                                                              if(rowHead[r]) {
                                                                                                          int st[4 * MAXN]; //線段樹
57
               outFlow[t];
                                                   21
                                                                 L[seq]=rowHead[r],
                                                                                                          int tag[4 * MAXN]; //懶標
                                                                      R[seq]=R[rowHead[r]];
                                                                                                          inline int pull(int 1, int r) {
          edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
58
                                                   22
                                                                 L[R[rowHead[r]]]=seq,
                                                                                                          // 隨題目改變 sum、max、min
               outFlow[t];
                                                                                                          // 1、r是左右樹的index
59
          curr = edges[parent[curr]].u;
                                                                      R[rowHead[r]]=seq;
                                                             } else {
                                                                                                             return st[l] + st[r];
      }
60
                                                   24
                                                                  rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =
                                                                                                       9
61
      return true;
                                                                                                          void build(int 1, int r, int i) {
                                                                                                       10
62
  }
63
   long long MCMF() {
                                                   25
                                                                                                       11
                                                                                                          // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
                                                                                                             if (1 == r) {
                                                   26
                                                                                                       12
64
      long long maxFlow = 0;
      long long minCost = 0;
                                                   27
                                                          void remove(int c) {
                                                                                                                 st[i] = data[l];
65
                                                   28
                                                             L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
      while (SPFA(maxFlow, minCost))
                                                                                                       14
                                                                                                                 return:
66
                                                   29
                                                              for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                       15
67
                                                                                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                                   30
                                                                  for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
                                                                                                       16
68
      return minCost;
                                                   31
                                                                     U[D[j]] = U[j];
                                                                                                       17
                                                                                                             build(1, mid, i * 2);
  }
69
   int main() {
                                                   32
                                                                     D[U[j]] = D[j];
                                                                                                       18
                                                                                                             build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
70
                                                                                                             st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
                                                   33
                                                                     --colSize[col[j]];
                                                                                                       19
71
      int T;
      scanf("%d", &T);
                                                   34
                                                                                                       20
72
                                                             }
      for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>
                                                   35
                                                                                                       21
                                                                                                          int query(int ql, int qr, int l, int r, int
73
74
           //總共幾個月, 囤貨成本
                                                   36
                                                   37
                                                          void recover(int c) {
                                                                                                          // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
75
          int M, I;
                                                              for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
                                                                                                             if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
76
          scanf("%d %d", &M, &I);
                                                   38
                                                                                                       23
                                                                  for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                                                                                                                 return st[i];
                                                   39
                                                                                                       24
77
          //node size
                                                                                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
          n = M + M + 2;
                                                   40
                                                                     U[D[j]] = D[U[j]] = j;
                                                                                                       25
78
          G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                   41
                                                                     ++colSize[col[j]];
                                                                                                       26
                                                                                                             if (tag[i]) {
79
80
          edges.clear();
                                                   42
                                                                                                       27
                                                                                                                 //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                   43
                                                                                                                 st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                                                                                       28
81
          s = 0;
          t = M + M + 1;
                                                   44
                                                             L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                                                                       29
                                                                                                                 st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
82
                                                                                                                 tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
                                                   45
83
          for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre>
                                                                                                       30
              int produceCost, produceMax,
                                                   46
                                                          bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                                                                                                       31
                                                                                                                 tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
84
                                                   47
                                                              if(R[0] == 0) {
                                                                                                       32
                                                                                                                 tag[i] = 0;
                   sellPrice, sellMax,
                                                   48
                                                                 resSize = idx;
                                                                                                       33
                                                                                                             }
                   inventoryMonth;
                                                   49
                                                                  return true;
                                                                                                       34
                                                                                                             int sum = 0;
              scanf("%d %d %d %d %d",
85
                                                   50
                                                             }
                                                                                                       35
                                                                                                             if (ql <= mid)</pre>
                   &produceCost, &produceMax,
                                                   51
                                                              int c = R[0];
                                                                                                       36
                                                                                                                 sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
                   &sellPrice, &sellMax,
                                                              for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                   &inventoryMonth);
                                                   52
                                                                                                       37
                                                                                                             if (qr > mid)
                                                   53
                                                                  if(colSize[i] < colSize[c]) c = i; 38</pre>
                                                                                                                 sum += query(ql, qr, mid + 1, r,
86
              addEdge(s, i, produceMax,
                                                   54
                                                                                                                      i*2+1);
                   produceCost);
                                                   55
                                                              remove(c);
87
              addEdge(M + i, t, sellMax,
                                                                                                       39
                                                                                                             return sum;
                                                              for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                       40 }
                   -sellPrice);
                                                   57
                                                                  result[idx] = row[i];
                                                                                                          void update(int ql,int qr,int l,int r,int
              for (int j = 0; j <=</pre>
                                                   58
                                                                  for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                               i, int c) {
                   inventoryMonth; ++j) {
                  if (i + j \le M)
                                                   59
                                                                     remove(col[j]);
                                                                                                          // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
                                                                  if(dfs(idx+1)) return true;
                                                                                                       43 // c是變化量
```

yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,

maxST[xIndex][index]);

minST[xIndex][index]);

queryY(index \* 2, 1, mid, yql,

yqr, xIndex, vmax, vmin);

queryY(index \* 2 + 1, mid + 1, r,

yql, yqr, xIndex, vmax,

if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>

int mid = (1 + r) / 2;

vmin);

void queryX(int index, int 1, int r, int

xql, int xqr, int yql, int yqr, int&

queryY(1, 1, N, yql, yqr, index,

queryX(index \* 2, 1, mid, xql,

xqr, yql, yqr, vmax, vmin);

queryX(index \* 2 + 1, mid + 1, r,

xql, xqr, yql, yqr, vmax,

vmax = max(vmax,

vmin = min(vmin,

if (yql <= mid)</pre>

if (mid < yqr)</pre>

vmax, int& vmin) {

if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>

vmax, vmin);

int mid = (1 + r) / 2;

vmin);

while (scanf("%d", &N) != EOF) {

for (int i = 1; i <= N; ++i) {

scanf("%d", &val);

for (int j = 1; j <= N; ++j) {

modifyX(1, 1, N, val, i, j);

scanf("%d %d %d %d", &xql,

queryX(1, 1, N, xql, xqr,

yql, yqr, vmax, vmin);

printf("%d %d\n", vmax, vmin);

scanf("%d %d %d", &xql, &yql,

modifyX(1, 1, N, val, xql,

vmax = -0x3f3f3f3f;

vmin = 0x3f3f3f3f;

&val);

yql);

&yql, &xqr, &yqr);

if (xql <= mid)</pre>

if (mid < xqr)</pre>

int main() {

int val:

}

int q;

char op;

int vmax, vmin;

scanf("%d", &q);

while (q--) {

else {

}

}

int xql, xqr, yql, yqr;

getchar(); //for \n

scanf("%c", &op);

**if** (op == 'q') {

}

}

}

{

50

52

51 }

else

int &vmin) {

```
if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
                                                  34
          st[i] += (r - 1 + 1) * c;
45
               //求和,此需乘上區間長度
                                                  35
          tag[i] += c;
46
          return;
47
                                                  36
                                                  37 }
48
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                                  38 void queryY(int index, int 1, int r, int
49
      if (tag[i] && 1 != r) {
50
51
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
52
                                                  39
53
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                  40
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
54
55
          tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
                                                  41
56
          tag[i] = 0;
57
                                                  42
58
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
                                                  43
           * 2, c);
                                                  44
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
59
                                                  45
           i*2+1, c);
                                                  46
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
                                                  47
60
61 }
  //如果是直接改值而不是加值, query與update中的tag與sten
62
63 //改值從+=改成=
```

## 4.2 線段樹 2D

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
 2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
                                                     53
   int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
                                                     54
   int N:
   void modifyY(int index, int 1, int r, int
                                                     55
        val, int yPos, int xIndex, bool
        xIsLeaf) {
                                                     57
       if (1 == r) {
                                                     58
           if (xIsLeaf) {
 7
                                                     59
              maxST[xIndex][index] =
                    minST[xIndex][index] = val;
                                                     60
                                                     61
10
           }
11
           maxST[xIndex][index] =
                max(maxST[xIndex * 2][index],
                                                     62
                maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
                                                     63 }
           minST[xIndex][index] =
                                                     64
                min(minST[xIndex * 2][index],
                minST[xIndex * 2 + 1][index]);
                                                     66
       }
                                                     67
       else {
14
                                                     68
15
           int mid = (1 + r) / 2;
                                                     69
           if (yPos <= mid)</pre>
16
                                                     70
17
              modifyY(index * 2, 1, mid, val,
                                                     71
                    yPos, xIndex, xIsLeaf);
                                                     72
18
                                                     73
              modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                     74
                    r, val, yPos, xIndex,
                                                     75
                    xIsLeaf);
                                                     76
20
                                                     77
           maxST[xIndex][index] =
21
                                                     78
                max(maxST[xIndex][index * 2],
                                                     79
                maxST[xIndex][index * 2 + 1]):
                                                     80
22
           minST[xIndex][index] =
                                                     81
                min(minST[xIndex][index * 2],
                                                     82
                minST[xIndex][index * 2 + 1]);
23
       }
                                                     83
   }
24
                                                     84
25
   void modifyX(int index, int 1, int r, int
                                                     85
        val, int xPos, int yPos) {
26
       if (1 == r) {
                                                     86
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
27
                                                     87
                true):
                                                     88
28
                                                     89
       else {
29
           int mid = (1 + r) / 2;
30
                                                     90
           if (xPos <= mid)</pre>
31
              modifyX(index * 2, 1, mid, val,
32
                                                     91
                    xPos, yPos);
           else
33
```

```
modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                                         93
        r, val, xPos, yPos);
                                         94
                                                return 0;
modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                         95 }
     false);
```

### 4.3 權值線段樹

```
1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第 k小問題
   //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
   #define maxn 30005
  int nums[maxn];
  int getArr[maxn];
  int id[maxn];
   int st[maxn << 2];</pre>
   void update(int index, int 1, int r, int qx)
      if (1 == r)
9
10
      {
11
          ++st[index];
12
          return;
13
14
15
      int mid = (1 + r) / 2;
16
      if (qx <= mid)</pre>
          update(index * 2, 1, mid, qx);
17
18
          update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
19
20
      st[index] = st[index * 2] + st[index * 2
            + 11:
21 }
  //找區間第k個小的
  int query(int index, int 1, int r, int k) {
23
      if (1 == r)
24
25
          return id[1];
      int mid = (1 + r) / 2;
26
27
       //k比左子樹小
      if (k <= st[index * 2])
28
29
          return query(index * 2, 1, mid, k);
30
      else
31
          return query(index * 2 + 1, mid + 1,
                r, k - st[index * 2]);
32
  }
33
   int main() {
      int t;
34
35
      cin >> t:
      bool first = true;
36
37
      while (t--) {
38
          if (first)
              first = false;
39
40
              puts("");
41
42
          memset(st, 0, sizeof(st));
43
          int m, n;
          cin >> m >> n;
44
45
          for (int i = 1; i <= m; ++i) {
46
              cin >> nums[i];
47
              id[i] = nums[i];
48
          for (int i = 0; i < n; ++i)
49
50
              cin >> getArr[i];
          //離散化
51
52
          //防止m == 0
          if (m)
53
54
              sort(id + 1, id + m + 1);
55
          int stSize = unique(id + 1, id + m +
               1) - (id + 1);
56
          for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
              nums[i] = lower_bound(id + 1, id
57
                   + stSize + 1, nums[i]) - id;
58
          int addCount = 0;
59
          int getCount = 0;
60
          int k = 1;
61
          while (getCount < n) {</pre>
62
              if (getArr[getCount] == addCount)
63
                  printf("%d \setminus n", query(1, 1,
64
                       stSize, k));
```

```
65
                   ++k;
66
                   ++getCount;
               }
67
                   update(1, 1, stSize,
69
                         nums[addCount + 1]);
                   ++addCount;
70
71
               }
72
           }
73
       }
74
       return 0;
75 }
```

```
4.4 Trie
   const int maxn = 300000 + 10;
   const int mod = 20071027;
   int dp[maxn];
   int mp[4000*100 + 10][26];
   char str[maxn];
   struct Trie {
       int seq;
 8
       int val[maxn];
9
       Trie() {
10
          sea = 0:
11
          memset(val, 0, sizeof(val));
          memset(mp, 0, sizeof(mp));
12
13
14
       void insert(char* s, int len) {
15
          int r = 0;
16
          for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
17
              int c = s[i] - 'a';
              if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
18
19
              r = mp[r][c];
20
21
          val[r] = len;
22
          return;
23
       int find(int idx, int len) {
24
          int result = 0;
25
          for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
26
27
              int c = str[idx] - 'a';
28
              if(!(r = mp[r][c])) return result;
              if(val[r])
29
                  result = (result + dp[idx +
                       1]) % mod;
31
32
           return result;
33
      }
34
  };
   int main() {
35
36
       int n, tc = 1;
37
       while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
          Trie tr:
38
           int len = strlen(str);
39
          char word[100+10];
40
          memset(dp, 0, sizeof(dp));
41
          dp[len] = 1;
42
43
          while(n--) {
44
              scanf("%s", word);
45
              tr.insert(word, strlen(word));
46
          for(int i=len-1; i>=0; i--)
47
48
              dp[i] = tr.find(i, len);
49
          printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
50
51
       return 0;
52
   }
   /****Input****
53
54
   * abcd
55
    * 4
    * a b cd ab
56
    *****
57
    ****Output***
59
    * Case 1: 2
    *******
```

### 4.5 單調隊列

//單調隊列

6

14

15

16

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27

31

32

33

34

35

36

37

38

40

41

42

44

45

46

47

48

50

5

8

10

11

12

13

14 15 };

16

}

a = e.y - s.y;b = s.x - e.x;

17 // 用克拉馬公式求二元一次解

c = a \* s.x + b \* s.y;

```
"如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"
                                                   21
                                                   22
   example
                                                   23
                                                   24
   給出一個長度為 n 的數組,
                                                   25
   輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
                                                   26
                                                   27
   #include <bits/stdc++.h>
                                                   28
   #define maxn 1000100
                                                   29
   using namespace std;
                                                   30 }
   int q[maxn], a[maxn];
   int n. k:
   //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
   void getmin() {
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
               tail--;
          q[++tail]=i;
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
               tail--;
          q[++tail]=i;
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
          cout<<a[q[head]]<<" ";
                                                   10
                                                   11
      cout<<endl;
                                                   12
28 }
                                                   13
   // 和上面同理
29
                                                   14
   void getmax() {
                                                   15
       int head=0,tail=0;
                                                   16
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail-18;</pre>
          q[++tail]=i;
                                                   20
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail-21;</pre>
          g[++tail]=i:
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
          cout<<a[q[head]]<<" ";</pre>
       cout<<endl;
                                                   24
43 }
                                                   25
                                                   26
  int main(){
       cin>>n>>k; //每k個連續的數
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
                                                   29
       getmin();
                                                   30
       getmax();
                                                   31
       return 0;
                                                   32
                                                   33
                                                   34
        geometry
                                                   35
   5.1
          intersection
                                                   36
                                                   37
1 using LL = long long;
                                                   38
                                                   39
   struct Point2D {
                                                   40
      LL x, y;
                                                   41
  };
                                                   42
                                                   43
   struct Line2D {
      Point2D s, e;
                                                   44
                             // L: ax + by = c
       LL a, b, c;
      Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e)
```

#### 半平面相交 5.2

if(D) {

} else {

else

19

20

18 Point2D intersection2D(Line2D 11, Line2D 12)

LL D = 11.a \* 12.b - 12.a \* 11.b;

LL Dx = 11.c \* 12.b - 12.c \* 11.b;

LL Dy = 11.a \* 12.c - 12.a \* 11.c;

double x = 1.0 \* Dx / D;

double y = 1.0 \* Dy / D;

if(Dx || Dy) // Parallel lines

// Same line

// intersection

```
// Q: 給定一張凸包(已排序的點),
  // 找出圖中離凸包外最遠的距離
   const int maxn = 100 + 10;
   const double eps = 1e-7;
   struct Vector {
      double x, y;
      Vector(double x=0.0, double y=0.0):
           x(x), y(y) {}
      Vector operator+(Vector v) {
          return Vector(x+v.x, y+v.y);
      }
      Vector operator-(Vector v) {
          return Vector(x-v.x, y-v.y);
      Vector operator*(double val) {
          return Vector(x*val, y*val);
      double dot(Vector v) { return x*v.x +
           y*v.y; }
      double cross(Vector v) { return x*v.y -
           y*v.x; }
      double length() { return
           sqrt(dot(*this)); }
      Vector unit_normal_vector() {
          double len = length();
          return Vector(-y/len, x/len);
27 };
   using Point = Vector;
   struct Line {
      Point p;
      Vector v;
      double ang;
      Line(Point p={}, Vector v={}): p(p),
           v(v) {
          ang = atan2(v.y, v.x);
      bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
          return ang < 1.ang;</pre>
      Point intersection(Line 1) {
          Vector u = p - 1.p;
          double t = 1.v.cross(u) /
              v.cross(1.v);
          return p + v*t;
45
      }
46 };
47
  Line narrow[maxn]; // 要判斷的直線
  Point poly[maxn]; //
       能形成半平面交的凸包邊界點
   // return true if point p is on the left of
       line 1
```

```
bool onLeft(Point p, Line 1) {
                                                      2 //多點 (x,y), 判斷有落點的區域 (destroyed)的面積總和。72
                                                                                                                 double result = 0.0;
                                                      3 const int maxn = 500 + 10:
                                                                                                                for(int i=1; i<v.size(); i++)</pre>
       return 1.v.cross(p-1.p) > 0;
54
                                                                                                          73
55
                                                        const int maxCoordinate = 500 + 10;
                                                                                                                    result +=
                                                                                                          74
56
                                                        struct Point {
                                                                                                          75
                                                                                                                      v[i-1].x*v[i].y - v[i-1].y*v[i].x;
                                                           int x, y;
   int halfplaneIntersection() {
                                                                                                          76
                                                                                                                 v.pop back():
57
                                                      6
                                                      7 };
       int 1, r;
                                                                                                          77
                                                                                                                 return result / 2.0;
58
                                                                                                          78 }
       Line L[maxn]:
                            // 排序後的向量隊列
59
                                                      8 int n:
       Point P[maxn];
60
                            // s[i] 跟 s[i-1]
                                                        bool destroyed[maxn];
                                                                                                          79
            的交點
                                                     10 Point arr[maxn];
                                                                                                          80
                                                                                                             int main() {
                                                        vector<Point> polygons[maxn];
                                                                                                                 int p = 0;
61
                                                                                                          81
                                                     11
                                                                                                                 while(~scanf("%d", &n) && (n != -1)) {
62
       L[l=r=0] = narrow[0]; // notice: narrow
                                                     12
                                                        void scanAndSortPoints() {
                                                                                                          82
                                                            int minX = maxCoordinate, minY =
            is sorted
                                                                                                          83
                                                                                                                    scanAndSortPoints():
                                                     13
63
       for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
                                                                 maxCoordinate;
                                                                                                          84
                                                                                                                    polygons[p++] = convex_hull();
           while(l<r && !onLeft(P[r-1],</pre>
                                                            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                                                                                }
64
                                                     14
                                                                                                          85
                narrow[i])) r--;
                                                     15
                                                                int x, y;
                                                                                                          86
                                                                                                                 int x, y;
           while(l<r && !onLeft(P[1],</pre>
                                                                scanf("%d%d", &x, &y);
65
                                                     16
                                                                                                          87
                                                                                                                 double result = 0.0;
                                                                arr[i] = (Point)\{x, y\};
                narrow[i])) 1++;
                                                     17
                                                                                                                 while(~scanf("%d%d", &x, &y))
                                                                                                          88
                                                                if(y < minY || (y == minY && x <</pre>
                                                                                                                    for(int i=0; i<p; i++)</pre>
66
           L[++r] = narrow[i];
                                                                     minX)) {
                                                                                                                        if(inPolygon(polygons[i],
67
                                                                                                          90
                                                                                                                             (Point)(x, y))
68
           if(1 < r) P[r-1] =
                                                            // If there are floating points, use:
                                                     19
                                                            // if(y<minY || (abs(y-minY)<eps &&</pre>
                L[r-1].intersection(L[r]);
                                                     20
                                                                                                          91
                                                                                                                            destroyed[i] = true;
                                                                                                                 for(int i=0; i<p; i++)</pre>
                                                                 x<minX)) {
                                                                                                          92
69
70
                                                     21
                                                                   minX = x, minY = y;
                                                                                                          93
                                                                                                                    if(destroyed[i])
       while(l<r && !onLeft(P[r-1], L[1])) r--;</pre>
                                                                                                          94
71
                                                     22
                                                                                                                        result +=
       if(r-1 <= 1) return 0;
72
                                                     23
                                                                                                                              calculateArea(polygons[i]);
                                                                                                                 printf("%.21f\n", result);
73
                                                     24
                                                            sort(arr, arr+n, [minX, minY](Point& a,
                                                                                                          95
74
       P[r] = L[r].intersection(L[1]);
                                                                 Point& b){
                                                                                                          96
                                                                                                                 return 0;
75
                                                     25
                                                                double theta1 = atan2(a.y - minY, a.x
                                                                                                          97 }
76
       int m=0:
                                                                     - minX);
                                                                                                                  DP
                                                                                                             6
77
       for(int i=1; i<=r; i++) {</pre>
                                                     26
                                                                double theta2 = atan2(b.y - minY, b.x
                                                                     - minX):
78
           poly[m++] = P[i];
                                                                                                             6.1 抽屜
79
                                                     27
                                                                return theta1 < theta2;</pre>
80
                                                     28
                                                            });
                                                                                                             long long dp[70][70][2];
81
       return m:
                                                     29
                                                            return:
                                                                                                             // 初始條件
82
   }
                                                     30
                                                                                                             dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
                                                     31
83
   Point pt[maxn];
                                                     32
                                                        // returns cross product of u(AB) \times v(AC)
                                                                                                             for (int i = 2; i \le 66; ++i){
84
                                                                                                                // i個抽屜 Ø個安全且上方 Ø =
                                                        int cross(Point& A, Point& B, Point& C) {
   Vector vec[maxn];
                                                            int u[2] = {B.x - A.x, B.y - A.y};
int v[2] = {C.x - A.x, C.y - A.y};
                                                                                                                 // (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
   Vector normal[maxn];// normal[i] = vec[i]
                                                     34
                                                                                                                // (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
         的單位法向量
                                                     35
                                                            return (u[0] * v[1]) - (u[1] * v[0]);
                                                                                                                 dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
87
                                                     36
   double bsearch(double l=0.0, double r=1e4) {
                                                     37 }
                                                                                                          9
                                                                                                                 for (int j = 1; j <= i; ++j) {
88
                                                                                                          10
                                                                                                                    dp[i][j][0] =
       if(abs(r-1) < eps) return 1;</pre>
89
                                                     38
90
                                                     39
                                                        // size of arr = n >= 3
                                                                                                          11
                                                                                                                      dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];
                                                                                                          12
                                                                                                                    dp[i][i][1] =
91
       double mid = (1 + r) / 2;
                                                        // st = the stack using vector, m = index of
                                                                                                                      dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];
92
                                                             the top
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                        vector<Point> convex_hull() {
93
                                                                                                          15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
94
           narrow[i] = Line(pt[i]+normal[i]*mid,
                                                            vector<Point> st(arr, arr+3);
                                                     42
                vec[i]);
                                                     43
                                                            for(int i=3, m=2; i<n; i++, m++) {</pre>
95
                                                     44
                                                                while(m \ge 2) {
96
                                                     45
                                                                    if(cross(st[m], st[m-1], arr[i])
                                                                                                             6.2 Deque 最大差距
97
       if(halfplaneIntersection())
                                                                         < 0)
           return bsearch(mid, r);
                                                                       break;
98
                                                     46
99
       else return bsearch(1, mid);
                                                     47
                                                                    st.pop_back();
                                                                                                           1 /*定義 dp[1][r]是1 ~ r時與先手最大差異值
100
   }
                                                     48
                                                                                                               轉移式: dp[1][r] = max{a[1] - solve(1 + 1,
                                                                   m--;
                                                                                                                    r), a[r] - solve(1, r - 1)}
101
                                                     49
102
   int main() {
                                                     50
                                                                st.push_back(arr[i]);
                                                                                                               裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,
       while(~scanf("%d", &n) && n) {
103
                                                     51
                                                                                                              所以正負正負...*/
           for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                                                                             #define maxn 3005
104
                                                     52
                                                            return st;
               double x, y;
                                                     53 }
105
                                                                                                             bool vis[maxn][maxn];
               scanf("%1f%1f", &x, &y);
106
                                                     54
                                                                                                             long long dp[maxn][maxn];
                                                        bool inPolygon(vector<Point>& vec, Point p) {
107
               pt[i] = {x, y};
                                                     55
                                                                                                           8 long long a[maxn];
                                                            vec.push back(vec[0]):
108
                                                     56
                                                                                                             long long solve(int 1, int r) {
                                                                                                           9
           for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                            for(int i=1; i<vec.size(); i++) {</pre>
                                                                                                                if (1 > r) return 0;
109
                                                     57
                                                                                                          10
                                                                if(cross(vec[i-1], vec[i], p) < 0) {</pre>
               vec[i] = pt[(i+1)%n] - pt[i];
110
                                                     58
                                                                                                                 if (vis[l][r]) return dp[l][r];
111
                                                     59
                                                                    vec.pop_back();
                                                                                                                 vis[l][r] = true;
                                                                                                          12
                    vec[i].unit_normal_vector();
                                                     60
                                                                    return false;
                                                                                                                 long long res = a[1] - solve(1 + 1, r);
112
                                                     61
                                                                                                          14
                                                                                                                 res = max(res, a[r] - solve(1, r - 1));
113
                                                            }
                                                     62
                                                                                                          15
                                                                                                                 return dp[l][r] = res;
114
           printf("%.61f\n", bsearch());
                                                     63
                                                            vec.pop_back();
                                                                                                          16
115
                                                     64
                                                            return true;
                                                                                                          17 int main() {
116
       return 0;
                                                     65 }
                                                                                                          18
117
                                                     66
                                                                                                                printf("%lld\n", solve(1, n));
                                                                                                          19
                                                     67
                                                                1 | x1 x2 x3 x4 x5
                                                     68
                                                           A = -- \mid x \quad x \quad x \quad x \quad x \dots x \mid
                                                                2 | y1 y2 y3 y4 y5
   5.3 凸包
                                                        double calculateArea(vector<Point>& v) {
                                                     70
```

v.push\_back(v[0]); // make v[n] = v[0]

6.3 LCS 和 LIS

```
Jc11
  //LCS 和 LIS 題目轉換
                                         11
  LIS 轉成 LCS
                                         12
     1. A 為原序列, B=sort(A)
                                         13
     2. 對 A,B 做 LCS
                                         14
  LCS 轉成 LIS
                                         15
     1. A, B 為原本的兩序列
                                         16
     2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
                                         17
     3. 對 B 做 LIS
                                         18
     4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
                                         19
10
       越早出現的數字要越小
                                         20
11
     5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
                                         21
12
       直接忽略這個數字不做轉換即可
                                         22
                                         24
                                         25
```

### RangeDP

1 //區間dp

```
int dp[55][55];
   // dp[i][j] -> [i,j] 切割區間中最小的 cost
   int cuts[55]:
   int solve(int i, int j) {
      if (dp[i][j] != -1)
          return dp[i][j];
       //代表沒有其他切法,只能是cuts[j] - cuts[i]
9
      if (i == j - 1)
10
          return dp[i][j] = 0;
      int cost = 0x3f3f3f3f;
11
      for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
12
          //枚舉區間中間切點
13
14
          cost = min(cost, solve(i, m) +
15
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
16
      return dp[i][j] = cost;
17
18
  }
19
   int main() {
20
      int 1,n;
      while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
21
22
          scanf("%d", &n);
          for (int i = 1; i \le n; ++i)
23
24
              scanf("%d", &cuts[i]);
25
          cuts[0] = 0;
          cuts[n + 1] = 1;
26
27
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
28
          printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
29
30
      return 0;
```

### 6.5 stringDP

31 }

```
Edit distanceS_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2
                                dp[i-1][j-1]
                                                                          \mathrm{if} S_1[i] = S_2[j]
                                                                        \mathsf{if} S_1[i] \neq S_2[j]
                                                                                                     21
Longest Palindromic Subsequence
                  \left\{ \begin{array}{cc} 1 & \cdots \\ dp[l+1][r-1] & \text{if} \\ \max\{dp[l+1][r], dp[l][r-1]\} & \text{if} \end{array} \right.
```

# 6.6 樹 DP 有幾個 path 長度為 k

```
1 #define maxn 50005
  #define maxk 505
  //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
  long long dp[maxn][maxk];
  vector<vector<int>>> G;
  int n, k;
  long long res = 0;
  void dfs(int u, int p) {
      dp[u][0] = 1;
10
```

```
for (int v: G[u]) {
                                                  42
                                                            return sum + dis;
          if (v == p)
                                                        }
                                                  43
                                                        //算出所有的res
             continue:
                                                  44
          dfs(v, u);
                                                  45
                                                         void dfs3(int u, int n) {
          for (int i = 1; i <= k; ++i) {</pre>
                                                            this->visited[u] = true;
                                                  46
              //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
                                                            for (int v: this->G[u]) {
                                                  47
              dp[u][i] += dp[v][i - 1];
                                                                if (!visited[v]) {
                                                  48
                                                                    this->res[v] = this->res[u] +
                                                  49
                                                                        n - 2 *
      //統計在u子樹中距離u為k的數量
                                                                         this->subtreeSize[v];
      res += dp[u][k];
                                                  50
                                                                   this->dfs3(v, n);
      long long cnt = 0;
                                                                }
                                                  51
      for (int v: G[u]) {
                                                  52
        if (v == p)
                                                  53
                                                        }
          continue; //重點算法
                                                  54 };
26
        for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
28
            dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
                                                            WeightedLIS
29
30
31
      res += cnt / 2;
                                                     #define maxn 200005
32 }
```

21

### 6.7 TreeDP reroot

printf("%11d\n", res);

27

34

35

36

37

33 int main() {

dfs(1, -1);

return 0;

```
1 \mid /*re\text{-root } dp \text{ on tree } 0(n + n + n) \rightarrow 0(n)*/
   class Solution {
   public:
       vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
            vector<vector<int>>& edges) {
           this->res.assign(n, 0);
           G.assign(n + 5, vector<int>());
           for (vector<int>& edge: edges) {
               G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
               G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
           memset(this->visited, 0,
                sizeof(this->visited));
           this->dfs(0);
12
           memset(this->visited, 0,
13
                sizeof(this->visited));
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
14
15
           memset(this->visited, 0,
                sizeof(this->visited));
           this->dfs3(0, n);
16
17
           return this->res;
18
19
   private:
       vector<vector<int>> G;
20
       bool visited[30005];
       int subtreeSize[30005];
22
       vector<int> res;
23
       //求subtreeSize
       int dfs(int u) {
25
           this->visited[u] = true;
           for (int v: this->G[u])
28
               if (!this->visited[v])
                   this->subtreeSize[u] +=
                        this->dfs(v);
           this->subtreeSize[u] += 1;
31
32
           return this->subtreeSize[u];
33
34
       //求res[0], 0到所有點的距離
35
       int dfs2(int u, int dis) {
           this->visited[u] = true;
36
           int sum = 0;
37
           for (int v: this->G[u])
38
39
               if (!visited[v])
40
                   sum += this->dfs2(v, dis + 1);
41
           //要加上自己的距離
```

```
long long dp[maxn];
   long long height[maxn];
   long long B[maxn];
5 long long st[maxn << 2];</pre>
   void update(int p, int index, int 1, int r,
        long long v) {
       if (1 == r) {
           st[index] = v;
           return:
10
11
       int mid = (1 + r) >> 1;
       if (p <= mid)</pre>
12
           update(p, (index << 1), 1, mid, v);
13
14
15
           update(p, (index << 1)+1,mid+1,r,v);
16
       st[index] =
17
         max(st[index<<1],st[(index<<1)+1]);</pre>
18 }
19
   long long query(int index, int 1, int r, int
        ql, int qr) {
       if (ql <= 1 && r <= qr)
20
           return st[index];
22
       int mid = (1 + r) >> 1;
       long long res = -1;
23
       if (ql <= mid)</pre>
24
25
           res =
26
             max(res,query(index<<1,1,mid,q1,qr));</pre>
27
       if (mid < ar)
28
           res =
29
             max(res,query((index<<1)+1,mid+1,r,ql,qr)</pre>
30
       return res:
31 }
   int main() {
32
33
34
       scanf("%d", &n);
       for (int i = 1; i <= n; ++i)
35
           scanf("%11d", &height[i]);
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
37
38
           scanf("%11d", &B[i]);
39
       long long res = B[1];
40
       update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
41
       for (int i = 2; i <= n; ++i) {</pre>
           long long temp;
42
           if (height[i] - 1 >= 1)
43
44
               temp =
45
                 B[i]+query(1,1,n,1,height[i]-1);
46
               temp = B[i];
47
           update(height[i], 1, 1, n, temp);
48
49
           res = max(res, temp);
50
       printf("%11d\n", res);
51
52
       return 0;
```