Contents

1	1 ubuntu 1								
	1.1 run	1							
	1.2 cp.sh	1							
	1.2 op.on	•							
2	Basic	1							
2		-							
	2.1 ascii	1							
	2.2 limits	1							
3	字串	1							
	3.1 最長迴文子字串	1							
	3.2 stringstream	2							
4	STL	2							
	4.1 priority_queue	2							
		2							
	4.3 map	2							
	4.4 unordered_map	3							
	4.5 set	3							
	4.6 multiset	3							
	4.7 unordered_set	3							
	4.8 單調隊列	3							
	10 +m3/3/3/3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	•							
5	sort	3							
3									
	5.1 大數排序	3							
_									
6	math Seed to code	4							
	6.1 質數與因數	4							
	6.2 快速冪	4							
	6.3 歐拉函數	5							
7	algorithm	5							
	7.1 basic	5							
	7.2 binary search	5							
		5							
	7.4 差分	5							
	7.5 greedy	6							
	7.6 floyd warshall	7							
	7.7 dinic	7							
	7.8 SegmentTree	8							
	7.9 Nim Game	8							
	7.10 Trie	9							
		-							
		9							
	7.12 dijkstra	10							
	チレクトトロカリ								
8	動態規劃	10							
	8.1 LCS 和 LIS	10							
9	Section2	10							
	9.1 thm	10							
_									

ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
3 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4 if [[ "$?" == "0" ]]; then
5
          echo Running
          ./$1 < $1.in > $1.out
6
          echo END
7
8 fi
```

Basic

2.1 ascii

1	1	int	char	int	char	int	char
	2	32		64	@	96	•
1	3	33	!	65	Α	97	а
1	4	34	"	66	В	98	b
1	5	35	#	67	С	99	С
1 1 2	6	36	\$	68	D	100	d
	7	37	%	69	E	101	e
	8	38	&	70	F	102	f
	9	39	•	71	G	103	g
2 2 2 2	10	40	(72	Н	104	h
	11	41)	73	I	105	i
	12	42	*	74	J	106	j
	13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
	14	44	,	76	L	108	1
3	15	45	_	77	М	109	m
3 3 3	16	46		78	N	110	n
	17	47	/	79	0	111	0
	18	48	0	80	P	112	p
	19	49	1	81	Q	113	q
3	20	50	2	82	R	114	r
	21	51	3	83	S	115	s
	22	52	4	84	T	116	t
4 4 4 5 5 5 5 5 5	23	53	5	85	U	117	u
	24	54	6	86	V	118	V
	25	55	7	87	W	119	W
	26	56	8	88	X	120	X
	27	57	9	89	Y	121	y
	28	58	:	90	Z	122	z
	29	59	;	91	Γ	123	{
	30	60	<	92	\	124	1
	31	61	=	93]	125	<u>;</u>
	32	62	>	94	A	126	~
6	33	63	?	95	_		
7							

2.2 limits

```
1 [Type]
                       [size]
                                    [range]
                                  127 to -128
10 2 char
                        1
                                  127 to -128
   3 signed char
                         1
  4 unsigned char
                                  0 to 255
                         1
     short
                         2
                                  32767 to -32768
     int
                                  2147483647 to -2147483648
                         4
  7
     unsigned int
                                  0 to 4294967295
  8 long
                         4
                                  2147483647 to -2147483648
                         4
     unsigned long
                                  0 to 18446744073709551615
   9
  10 long long
                         8
                9223372036854775807 to -9223372036854775808
  11
  12 double
                             1.79769e+308 to 2.22507e-308
                        8
  13 long double
                         16
                             1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
  14 float
                         4
                                3.40282e+38 to 1.17549e-38
  15 unsigned long long 8
                                  0 to 18446744073709551615
  16 string
                         32
```

字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include < bits / stdc ++ . h >
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
  using namespace std;
3
5
  string s;
6 int n;
8
 int ex(int 1,int r){
  int i=0;
```

```
10
     while (1-i)=0&&r+i<0&T(1-i)==T(r+i) i++;
11
     return i:
12 }
13
14 int main(){
15
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
20
     int ans=1;
     r[0]=1;
21
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
         center=i;
27
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
          center=i;
         mx=i+r[i]-1;
33
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout << ans -1 << "\n";
39
     return 0;
40 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
bwhile(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
  讀取優先權最高的值:
3
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
5
     pq.pop();
6 判斷是否為空的priority_queue:
                            //回傳 true
7
     pq.empty()
     pq.size()
8
9|如需改變priority_queue的優先權定義:
                          //預設由大到小
     priority_queue<T> pq;
10
11
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
12
                            //改成由小到大
13
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
                                        //cmp
```

4.2 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2 (Standard Template Library, STL)
3 中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
4 跟 vector 相似,不過在 vector 中若是要添加新元素至開端,
5 其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。
6 同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
7 讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
```

```
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
             //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
     n: 元素插入次數
17
     val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20 dq.clear()
              //清空整個 deque 佇列。
21 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
22 | dq.empty()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
                若是存在任何元素,則返回0
23
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
25 dq.end()
26
                不是最後一個元素,
                而是最後一個元素的下一個位置
27
```

4.3 map

```
1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構,
2
      會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
6
  begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
7
  end():回傳指向map末尾的迭代器
  rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
  取value:it->second 或 (*it).second
14
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
  max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 | 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
  swap():交換兩個map
25
26
27| 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
  //實作範例
31
32 #include <bits/stdc++.h>
33
  using namespace std;
  int main(){
34
35
     //declaration container and iterator
36
     map<string, string> mp;
37
     map<string, string>::iterator iter;
38
     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
     //insert element
     mp.insert(pair<string, string>
41
            ("r000", "student_zero"));
42
     mp["r123"] = "student_first";
43
44
     mp["r456"] = "student_second";
45
     //traversal
```

```
47
       for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
           cout << iter -> first << " "
48
49
                         <<iter->second<<endl;
       for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
50
51
           cout << iter_r -> first << "
                 "<<iter_r->second<<endl;
52
53
       //find and erase the element
       iter=mp.find("r123");
54
       mp.erase(iter);
55
56
       iter=mp.find("r123");
       if(iter!=mp.end())
57
58
          cout << "Find, the value is "
                    <<iter->second<<endl;
59
60
       else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
61
       return 0;
62 }
```

4.4 unordered_map

```
1 | unordered_map: 存放 key-value pairs2 | 的「無序」映射資料結構。3 | 用法與map相同
```

4.5 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  取值: 使用iterator
3
4
      x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
6
      x = *st.rbegin();
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
  判斷是否為空的set:
9
10
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
14
      st.count(x):
      auto it = st.find(x);
15
16
         // binary search, O(log(N))
17
      auto it = st.lower_bound(x);
18
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.upper_bound(x);
19
20
         // binary search, O(log(N))
```

4.6 multiset

4.7 unordered_set

```
unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),

phase phase
```

```
7 unordered_set <int> myunordered_set;
8 myunordered_set.insert(2);
9 myunordered_set.insert(4);
10 myunordered_set.insert(6);
11 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
12 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0</pre>
```

4.8 單調隊列

```
1 //單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
2
  example
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
9
10
  #define maxn 1000100
11
  using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
13 int n, k;
14
15
  void getmin() {
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
17
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20
          g[++tail]=i:
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
           q[++tail]=i;
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
           cout <<a[q[head]]<<"
26
27
28
       cout << endl;
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head=0,tail=0;
32
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
37
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail]=i;
39
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
           cout <<a[q[head]]<<"
42
43
      cout << end1;
44
  }
45
46
  int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
       getmin();
50
       getmax();
51
       return 0;
52 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
# 建立空串列
6
      arr = []
      for i in range(n):
7
8
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
                              # 串列排序
9
      arr.sort()
10
      for i in arr:
11
       print(i)
                            # 依序印出串列中每個項目
    except:
12
13
      break
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
  for(int i=2;i*i<=n;i++){</pre>
5
6
       if(isprime[i])
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
7
8 }
9
10 歐拉篩0(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
16
17
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2; i < MAXN; i++){</pre>
18
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
19
20
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
       }
24
25
  }
26
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
  int GCD(int a, int b){
28
29
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
30
  }
31
32
33 質因數分解
  void primeFactorization(int n){
34
35
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
           if(p[i]*p[i]>n) break;
36
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
39
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40
41
       if(n!=1) cout << n << ' ';
42
       cout << '\n';
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 \frac{1}{ax+by=GCD(a,b)}
47
  #include <bits/stdc++.h>
48
  using namespace std;
49
  int ext_euc(int a,int b,int &x,int &y){
       if(b==0){
51
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
       }
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56
       y-=a/b*x;
57
       return d;
58 }
59
```

```
60 int main(){
       int a,b,x,y;
61
       cin>>a>>b;
62
       ext_euc(a,b,x,y);
63
64
       cout << x << ' '<< y << endl;
65
       return 0;
66
   }
67
68
69
   歌德巴赫猜想
70
71
   solution: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #include <iostream>
72
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75
   int ox[N],p[N],pr;
76
   void PrimeTable(){
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
       pr=0;
79
       for(int i=2:i<N:i++){</pre>
80
            if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
            for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
                ox[i*p[j]]=1;
       }
83
84
   }
85
86
   int main(){
       PrimeTable();
87
88
       int n;
       while(cin>>n,n){
89
90
            int x:
91
            for(x=1;;x+=2)
92
                if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
            printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
       }
94
   }
95
   problem : 給定整數 N,
96
            求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
97
   如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
   #include < bits / stdc ++. h>
102
   using namespace std;
103
104
   bool isPrime(int n){
105
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
106
            if(i*i>n) return true;
107
108
            if(n%i==0) return false;
109
       }
       return true;
110
111
   }
112
   int main(){
113
114
       int n;
115
       cin>>n;
116
       if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
117
       else cout << "3\n";</pre>
119 }
```

6.2 快速冪

```
1 計算a^b
  #include < iostream >
  #define ll long long
  using namespace std;
  const 11 MOD=1000000007;
6
7
  11 fp(11 a, 11 b) {
       int ans=1;
8
9
       while(b>0){
10
           if(b&1) ans=ans*a%MOD;
           a=a*a%MOD;
11
12
           b>>=1;
```

6.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
  int phi(){
3
      int ans=n;
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
5
6
          if(n%i==0){
7
               ans=ans-ans/i;
              while(n%i==0) n/=i;
8
9
          }
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
10
11
      return ans;
12 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
기 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
15| upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
20
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
21 prev_permutation(first, last)
```

7.2 binary search

```
1 int binary_search(int target) {
2 // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
3 // index that target value exists, with "ng" doesn't.
      int ok = maxn, ng = -1;
5 // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
6 // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
7 // (the "check" funtion
8 // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
   int mid = (ok + ng) >> 1;
10
           if(check(mid)) ok = mid;
11
           else ng = mid;
13 // Be careful, "arr[mid]>=target" for first
14 // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
15 // last lower_bound. For range (ng, ok],
16 // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
```

```
17 // choose the first one, or convert [ok, ng) into
18 // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
19 // the second one.
20
      }
21
      return ok;
22 }
23
24 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                  //最左邊 ≥ k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                 //最左邊 > k 的位置
26 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
27 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
28 (lower_bound, upper_bound)
                                  //等於 k 的範圍
29 equal_range(arr, arr+n, k);
```

7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
  陣列前n項的和。
  b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ ··· +a[i]
  區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
  #include < bits / stdc++.h>
  using namespace std;
8
  int main(){
      int n;
9
10
      cin>>n;
11
      int a[n],b[n];
       for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
12
13
      b[0]=a[0];
       for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';</pre>
15
16
      cout << '\n':
17
       int 1,r;
18
       cin>>l>>r;
       cout << b[r]-b[1-1]; //區間和
19
20 }
```

7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
  給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8| 在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
  最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
12 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
13
  int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
15
  int main(){
16
17
      int n, 1, r, v;
18
      cin >> n;
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
19
20
          cin >> a[i];
21
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
22
      cin >> 1 >> r >> v;
23
24
      b[1] += v;
25
      b[r+1] -= v;
26
27
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
28
          b[i] += b[i-1];
          cout << b[i] << ' ';
29
30
31 }
```

for(int i=0;i<n;++i)</pre>

7.5 greedy

```
1 // 貪心
2 貪心演算法的核心為,
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
7
  確認無誤再實作。
9
10 刪數字問題
11 //problem
12 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
14
  //solution
15
16 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
17 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
18
19
  //code
  int main(){
20
21
     string s;
     int k:
22
     cin>>s>>k;
23
24
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
25
         if((int)s.size()==0) break;
26
         int pos =(int)s.size()-1;
         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
27
            if(s[j]>s[j+1]){
28
29
                pos=i:
30
                break;
31
            }
         }
32
         s.erase(pos,1);
33
34
35
     while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
36
         s.erase(0,1);
     if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
37
38
     else cout << 0 << '\n';
39 }
40
41
42 最小區間覆蓋長度
43 //problem
44 | 給定 n 條線段區間為 [Li, Ri],
45 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
46
47 //solution
48 先將所有區間依照左界由小到大排序,
49 對於當前區間 [Li, Ri], 要從左界 >Ri 的所有區間中,
50 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
51
52
  //problem
53 長度 n 的直線中有數個加熱器,
54 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
55 問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
56
57
  //solution
58 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
59 更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
60
61
  //code
  int main(){
62
63
     int n, r;
     int a[1005];
64
65
     cin>>n>>r:
66
     for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
     int i=1.ans=0:
67
     while(i<=n){
68
69
         int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
70
         int nextR=-1;
         for(int j=R;j>=L;--j){
71
            if(a[j]){
72
```

```
73
                    nextR=j;
74
                    break:
75
               }
           }
76
           if(nextR==-1){
77
78
               ans=-1;
79
               break;
80
           }
81
           ++ans;
82
           i=nextR+r;
83
       cout << ans << '\n';
84
85
   }
86
87
88
   最多不重疊區間
89
   //problem
90 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
   請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
91
92
93
   //solution
   依照右界由小到大排序,
94
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
95
96
97
   //code
   struct Line{
98
99
       int L,R;
100
       bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
101
            return R<rhs.R;</pre>
102
   };
103
104
105
   int main(){
106
       int t;
107
       cin>>t;
       Line a[30];
108
       while(t--){
109
           int n=0:
110
111
           while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
112
                ++n:
           sort(a,a+n);
113
114
           int ans=1,R=a[0].R;
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
115
                if(a[i].L>=R){
116
117
                    ++ans:
                    R=a[i].R;
118
119
               }
           }
120
           cout << ans << '\n';
121
       }
122
123
   }
124
125
126
   最小化最大延遲問題
127
   //problem
128 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0,Fi-Di),
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
130
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
131
132
   //solution
134 按照到期時間從早到晚處理。
135
136
   //code
137
   struct Work{
138
       int t, d;
139
       bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
           return d<rhs.d;</pre>
140
141
142 };
143
144
   int main(){
145
       int n;
       Work a[10000];
146
       cin>>n;
147
```

```
223 期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
149
           cin>>a[i].t>>a[i].d;
       sort(a,a+n);
                                                                 單位獎勵,
150
       int maxL=0, sumT=0;
151
                                                             請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                          224
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
152
                                                          225
           sumT+=a[i].t;
153
                                                             //solution
           maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
154
                                                             和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                          227
       }
155
                                                          228
156
       cout << maxL << '\n';</pre>
                                                          229
157
  }
                                                          230
                                                             struct Work{
158
                                                                 int d,p;
                                                          231
159
                                                          232
                                                                 bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
160 最少延遲數量問題
                                                                     return p>rhs.p;
                                                          233
  //problem
161
                                                          234
162 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                          235
                                                             }:
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
163
                                                          236
164
                                                          237
                                                             int main(){
165
   //solution
                                                          238
                                                                 int n:
166 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序39
                                                                 Work a[100005];
                                                                 bitset<100005> ok;
                                                          240
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
167
                                                          241
                                                                 while(cin>>n){
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
168
                                                          242
                                                                     ok.reset():
                                                                     for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                          243
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
170
                                                                         cin>>a[i].d>>a[i].p;
                                                          244
171
                                                          245
                                                                     sort(a.a+n):
                                                                     int ans=0;
                                                          246
173 給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                                     for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                          247
174
                                                                         int j=a[i].d;
                                                          248
175
   //solution
                                                          249
                                                                         while(j--)
176
   和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                                             if(!ok[j]){
                                                          250
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                                                 ans+=a[i].p;
                                                          251
178
   工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                          252
                                                                                 ok[j]=true;
   多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
179
                                                          253
                                                                                 break;
180
                                                          254
                                                                             }
181
   //code
                                                          255
                                                                     }
182
   struct Work{
                                                          256
                                                                     cout << ans << '\n';
                                                                 }
183
       int t, d;
                                                          257
       bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
                                                          258
184
185
           return d<rhs.d;</pre>
186
187
  };
                                                             7.6 floyd warshall
188
189
   int main(){
                                                           1 int w[n][n];
       int n=0:
190
       Work a[10000];
                                                             int d[n][n];
191
                                                           3
                                                             int medium[n][n];
       priority_queue<int> pq;
192
       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                             // 由 i 點 到 j 點 的 路 徑 , 其 中 繼 點 為 med i um [ i ] [ j ] 。
193
194
           ++n;
       sort(a,a+n);
                                                             void floyd_warshall(){ //0(V^3)
195
                                                           6
       int sumT=0,ans=n;
                                                           7
                                                               for(int i=0;i<n;i++)</pre>
196
197
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                           8
                                                                 for(int j=0;j<n;j++){</pre>
           pq.push(a[i].t);
                                                                   d[i][j]=w[i][j];
198
                                                           9
           sumT+=a[i].t;
                                                           10
                                                                   medium[i][j]=-1;
199
           if(a[i].d<sumT){</pre>
200
                                                          11
                                                                   // 預設為沒有中繼點
201
               int x=pq.top();
                                                                 }
                                                          12
202
               pq.pop();
                                                               for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
                                                          13
               sumT -=x;
203
                                                               for(int k=0;k<n;k++)</pre>
                                                          14
               --ans;
204
                                                          15
                                                                 for(int i=0;i<n;i++)</pre>
           }
205
                                                          16
                                                                   for(int j=0;j<n;j++)</pre>
206
                                                                     if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
                                                          17
       cout << ans << '\n';</pre>
207
                                                                       d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
                                                          18
                                                                       medium[i][j]=k;
208
  }
                                                          19
209
                                                                       // 由 i 點 走 到 j 點 經 過 了 k 點
                                                          20
210 任務調度問題
                                                          21
   //problem
211
                                                          22
                                                             }
212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                          23
213 期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
                                                          24 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
214 請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                             void find_path(int s,int t){
                                                                                            // 印出最短路徑
                                                          25
                                                               if(medium[s][t]==-1) return; // 沒有中繼點就結束
                                                          26
216 //solution
                                                          27
                                                               find_path(s,medium[s][t]);
                                                                                             // 前半段最短路徑
217 依照懲罰由大到小排序,
                                                               cout << medium[s][t];</pre>
                                                                                      // 中繼點
                                                          28
218 | 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
                                                               find_path(medium[s][t],t);
                                                          29
                                                                                            // 後半段最短路徑
219 如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                           30 }
220
```

//problem

222 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,

```
1 #include <stdio.h>
                                                              78
                                                                              graph[v][u] += w;
2 #include <string.h>
                                                                         }
                                                              79
                                                                         maxFlow = dinic(from, to);
3 #include <queue>
                                                              80
4 #define MAXNODE 105
                                                                         printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
                                                              81
5 #define oo 1e9
                                                              82
                                                                         printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
                                                                     }
6 using namespace std;
                                                              83
                                                              84
                                                                     return 0:
8 int nodeNum;
                                                              85 }
  int graph[MAXNODE][MAXNODE];
  int levelGraph[MAXNODE];
11 bool canReachSink[MAXNODE];
                                                                 7.8 SegmentTree
12
  bool bfs(int from, int to){
13
       memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
14
                                                                struct node{
15
       levelGraph[from]=1;
                                                                     int val;
                                                               2
       queue<int> q;
16
                                                               3
                                                                     node *1,*r;
17
       q.push(from);
                                                                     node(int v=0):val(v){};
                                                               4
18
       int currentNode;
                                                                     node(node* 1,node* r):1(1),r(r){pull();}
       while(!q.empty()){
19
                                                               6
                                                                     void pull(){val=min(l->val,r->val);}
20
           currentNode=q.front();
                                                               7
                                                                     //1->val就是(*1). val,注意.的優先順序比*還高
21
           q.pop();
                                                               8
                                                                 };
22
           for(int nextNode=1; nextNode<=nodeNum</pre>
23
                                    ;++nextNode){
                                                              10 int v[N]; //原數列
               if((levelGraph[nextNode]==0)&&
24
                                                              11
                                                                 node* build(int 1, int r){
25
                    graph[currentNode][nextNode]>0){
                                                                     if(l+1==r) return new node(v[1]);
                                                              12
26
                   levelGraph[nextNode]=
                                                              13
                                                                     int mid=(1+r)/2;
                        levelGraph[currentNode]+1;
27
                                                              14
                                                                     return new node(build(1,mid),build(mid,r));
28
                   q.push(nextNode);
                                                                }
                                                              15
29
               }
                                                              16
30
               if((nextNode==to)&&
                                                              17
                                                                 void modify(node* a,int 1,int r,int pos,int k){
                   (graph[currentNode][nextNode]>0))
31
                                                              18
                                                                     //把 pos位置的值换成 k
32
                    return true:
                                                                     if(l+1==r){a->val=k; return;};
                                                              19
33
           }
                                                                     int mid=(1+r)/2;
                                                              20
34
                                                                     if(pos<mid) modify(a->1,1,mid,pos,k);
                                                              21
35
       return false;
                                                                     else modify(a->r,mid,r,pos,k);
                                                              22
36 }
                                                              23
                                                                     a->pull();
  int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
37
                                                              24 }
       if(from == to) return bottleNeck;
38
                                                              25
       int outFlow = 0;
39
                                                                 int query(node* a,int 1,int r,int q1,int qr){
                                                              26
40
       int flow:
                                                                     //查詢[q1,qr)範圍的最小值
                                                              27
41
       for(int nextNode=1; nextNode <= nodeNum; ++ nextNode){</pre>
                                                              28
                                                                     if(r<=ql||qr<=l) return inf;</pre>
42
           if((graph[from][nextNode]>0)&&
                                                                     if(ql<=l&&r<=qr) return a->val;
               (levelGraph[from]==levelGraph[nextNode]-1)&&
43
                                                                     int mid=(1+r)/2;
               canReachSink[nextNode]){
44
                                                              31
                                                                     return min(query(a->1,1,mid,q1,qr),
               flow=dfs(nextNode, to,
45
                                                                                  query(a->r,mid,r,ql,qr));
                   min(graph[from][nextNode],bottleNeck));
46
47
               graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
48
               graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
49
               outFlow+=flow:
                                                                       Nim Game
50
               bottleNeck -= flow;
51
           if(bottleNeck==0) break;
52
                                                               1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
53
                                                               2 //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
       if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
54
                                                                 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
55
       return outFlow;
56
  }
                                                                 #include <bits/stdc++.h>
57
                                                                 #define maxn 23+5
  int dinic(int from, int to){
                                                                 using namespace std;
59
       int maxFlow=0;
60
       while(bfs(from, to)){
                                                               9
                                                                 int SG[maxn];
61
           memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
                                                              10
                                                                 int visited[1000+5];
           maxFlow += dfs(from, to, oo);
62
                                                              11
                                                                 int pile[maxn],ans;
63
                                                              12
64
       return maxFlow;
                                                              13
                                                                 void calculateSG(){
65 }
                                                                     SG[0]=0;
                                                              14
66
                                                              15
                                                                     for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
67
  int main(){
                                                                         int cur=0;
                                                              16
       int from, to, edgeNum;
68
                                                              17
                                                                         for(int j=0;j<i;j++)</pre>
       int NetWorkNum = 1;
69
                                                                             for(int k=0;k<=j;k++)</pre>
                                                              18
70
       int maxFlow:
                                                              19
                                                                                  visited[SG[j]^SG[k]]=i;
       while(scanf("%d",&nodeNum)!=E0F&&nodeNum!=0){
71
                                                              20
                                                                         while(visited[cur]==i) cur++;
72
           memset(graph, 0, sizeof(graph));
                                                              21
                                                                         SG[i]=cur;
73
           scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
                                                                     }
                                                              22
74
           int u, v, w;
                                                              23
                                                                }
75
           for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){</pre>
                                                              24
               scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
76
                                                              25
                                                                 int main(){
77
               graph[u][v] += w;
                                                                     calculateSG();
                                                              26
```

```
27
       int Case=0,n;
                                                                     33
                                                                             void find_prefix(char *s,int len,vector<int>&vc){
       while(cin>>n,n){
                                                                     34
                                                                                 int row=0:
28
29
          ans=0;
                                                                     35
                                                                                 for(int i=0;i<len;i++){</pre>
          for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
                                                                                      int letter_no=s[i]-'a';
30
                                                                     36
31
          for(int i=1;i<=n;i++) if(pile[i]&1)</pre>
                                                                     37
                                                                                      if(ch[row][letter_no]==0) return;
               ans^=SG[n-i];
                                                                     38
                                                                                      row=ch[row][letter_no];
32
          cout << "Game "<<++Case << ": ";
                                                                     39
                                                                                      if(val[row]) vc.push_back(val[row]);
33
          if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";</pre>
                                                                     40
                                                                                 }
                                                                     41
34
          else{
                                                                            }
35
            bool flag=0;
                                                                     42
                                                                        }tr;
36
            for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
                                                                     43
                                                                        int main(){
              if(pile[i]){
37
                                                                     44
38
                 for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
                                                                     45
                                                                             int Case=1;
                   for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
                                                                             while(cin>>S){
                                                                     46
39
40
                     if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
                                                                     47
                                                                                 int n;
                        cout <<i -1 << " "<< j -1 << " " << k -1 << endl;
41
                                                                     48
                                                                                 cin>>n;
42
                        flag=1;
                                                                     49
                                                                                 tr.init();
43
                        break;
                                                                     50
                                                                                 for(int i=0;i<n;i++){</pre>
                                                                     51
44
                     }
                                                                                      cin>>wd;
45
                  }
                                                                     52
                                                                                      tr.insertion(wd);
                                                                                 }
                   if(flag) break;
                                                                     53
46
47
                                                                     54
                                                                                 memset(dp,0,sizeof(dp));
48
                 if(flag) break;
                                                                     55
                                                                                 int N=strlen(S);
49
                                                                     56
                                                                                 dp[N]=1;
50
            }
                                                                     57
                                                                                 for(int i=N-1;i>=0;i--){
                                                                                      vector<int> vc;
51
         }
                                                                     58
       }
                                                                                      tr.find_prefix(S+i,N-i,vc);
52
                                                                     59
53
       return 0;
                                                                     60
                                                                                      for(int j=0;j<vc.size();j++)</pre>
54 }
                                                                     61
                                                                                           dp[i]=(dp[i]+dp[i+vc[j]])%MOD;
55
                                                                     62
                                                                                 cout << "Case "<<Case++<<": "<<dp[0]<<endl;</pre>
56
                                                                     63
57
   input
                                                                     64
                                                                            }
58 4 1 0 1 100
                                                                     65
                                                                             return 0;
59
      1 0 5
                                                                     66
                                                                        }
60
  2
      2 1
                                                                     67
61 0
                                                                     68
                                                                        /*
62 output
                                                                     69
                                                                        input
                                                                     70
                                                                        abcd
63 Game 1: 0 2 3
64 Game 2: 0 1 1
                                                                     71
                                                                        4
                                                                        a b cd ab
65 Game 3: -1 -1 -1
                                                                     72
                                                                        output
66 */
                                                                     74 Case 1: 2
                                                                     75
```

7.10 Trie

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define word_maxn 4000*100+5
3 #define str_maxn 300000+5
4 #define sigma_num 26
5 #define MOD 20071027
6 using namespace std;
8 int dp[str_maxn];
9 char S[str_maxn];
10 char wd[100+5];
11
12
  struct Trie{
       int ch[word_maxn][sigma_num];
13
14
       int val[word_maxn];
15
       int seq;
16
       void init(){
17
           sea=1:
18
           memset(ch,0,sizeof(ch));
19
20
       void insertion(char *s){
21
           int row=0,n=strlen(s);
           for(int i=0;i<n;i++){</pre>
22
23
                int letter_no=s[i]-'a';
24
                if(ch[row][letter_no]==0){
25
                    ch[row][letter_no]=seq;
26
                    memset(ch[seq],0,sizeof(ch[seq]));
                    val[seq++]=0;
27
                }
28
29
                row=ch[row][letter_no];
30
31
           val[row]=n;
       }
32
```

7.11 SPFA

```
1
  struct Edge
2
  {
3
       int t;
       long long w;
5
       Edge(){};
6
       Edge(int _t, long long _w) : t(_t), w(_w) {}
7
  };
8
  bool SPFA(int st) // 平均O(V + E) 最糟O(VE)
9
10
  {
11
       vector<int> cnt(n, 0);
       bitset<MXV> inq(0);
12
       queue<int> q;
13
14
       q.push(st);
15
       dis[st] = 0;
16
       inq[st] = true;
17
       while (!q.empty())
18
19
           int cur = q.front();
20
           q.pop();
           inq[cur] = false;
21
22
           for (auto &e : G[cur])
23
24
                if (dis[e.t] <= dis[cur] + e.w)</pre>
25
                    continue;
                dis[e.t] = dis[cur] + e.w;
26
27
                if (inq[e.t])
                    continue;
28
29
                ++cnt[e.t];
```

20

7.12 dijkstra

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 50000+5
3 #define INF 0x3f3f3f3f
4 using namespace std;
6 struct edge{
7
       int v,w;
8 };
9
10 struct Item{
11
       bool operator<(const Item &rhs)const{</pre>
12
13
           return dis>rhs.dis;
14
       }
15 };
16
17 vector<edge> G[maxn];
18 int dist[maxn];
19
   void dijkstra(int s){ // O((V + E)logE)
20
21
       memset(dist,INF,sizeof(dist));
22
       dist[s]=0;
23
       priority_queue < Item > pq;
24
       pq.push({s,0});
25
       while(!pq.empty()){
26
           Item now=pq.top();
27
           pq.pop();
28
            if(now.dis>dist[now.u]) continue;
            for(edge e:G[now.u]){
29
30
                if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
31
                     dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
32
                     pq.push({e.v,dist[e.v]});
33
                }
           }
34
35
       }
36 }
37
38
   int main(){
       int t, cas=1;
39
40
       cin>>t;
       while(t--){
41
42
           int n,m,s,t;
43
            cin>>n>>m>>s>>t;
           for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
44
45
           int u,v,w;
           for(int i=0;i<m;i++){</pre>
46
47
                cin>>u>>v>>w;
48
                G[u].push_back({v,w});
                G[v].push_back({u,w});
49
           }
50
51
           dijkstra(s);
           cout << "Case #"<<cas++<<": ";
52
           if(dist[t]==INF) cout<<"unreachable\n";</pre>
53
54
           else cout<<dist[t]<<endl;</pre>
55
       }
56 }
```

1 //最長共同子序列(LCS)

```
給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
  C 同時為 A,B 的子序列。
3
 //最長遞增子序列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
12
    2. 對 A,B 做 LCS
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
16
    3. 對 B 做 LIS
17
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
18
       越早出現的數字要越小
```

5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,

直接忽略這個數字不做轉換即可

9 Section2

9.1 thm

- 中文測試
- $\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS