Contents

```
1 字串
  1.1 最長迴文子字串
  2 math
  2.1 公式
  2.3 質數與因數 . . . . . . . . . . . . . . .
 3 algorithm
  3.1 三分搜 .
  3.2 差分
  3.3 greedy
  3.4 dinic . . .
  3.5 SCC Tarjan
  3.6 ArticulationPoints Tarjan . . . . .
  3.7 最小樹狀圖 . . . . . . . . . . . . . .
  3.8 二分圖最大匹配
  3.9 JosephusProblem . . . . . . . .
  3.10 KM . . . . . . . . . . .
  3.11 LCA 倍增法 . . . . .
  3.12 MCMF . .
  3.13 Dancing Links . . . . . . . .
4 DataStructure
  4.1 線段樹 1D
  4.2 線段樹 2D
  4.3 權值線段樹
  4.4 Trie . .
  4.5 AC Trie . . . . . . . . . . . . . . . .
  4.6 單調隊列 . . . . . . . . . . . . . . . .
5 Geometry
  5.1 Template . . . . . . . . . . . . . . .
  10
 10
6 DP
                                    10
  6.1 抽屜 .
                                    10
  6.2 Deque 最大差距 . . . . . . . . . . .
                                    10
  6.3 LCS 和 LIS . . . . . . . . . . . . . .
                                    10
  6.4 RangeDP . . . . . . . . .
                                    10
  6.5 stringDP
                                    11
  6.6 樹 DP 有幾個 path 長度為 k . . . . . . .
                                    11
```

最長迴文子字串

6.8 WeightedLIS .

6.7 TreeDP reroot

```
1 | #include < bits / stdc++.h>
   #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
   using namespace std;
 5
   string s;
   int n;
   int ex(int 1,int r){
     while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;</pre>
10
11
     return i;
12
   }
13
   int main(){
     cin>>s:
15
16
     n=2*s.size()+1;
17
     int mx=0;
18
     int center=0;
19
     vector<int> r(n);
     int ans=1;
20
     r[0]=1;
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
23
       int ii=center-(i-center);
24
       int len=mx-i+1;
       if(i>mx){
25
         r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i;
28
         mx=i+r[i]-1;
29
```

else if(r[ii]==len){

```
r[i]=len+ex(i-len,i+len);
31
32
         center=i:
         mx=i+r[i]-1;
33
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout<<ans-1<<"\n";
39
     return 0;
```

1.2 KMP

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
                         // len(a), len(b)
   int n, m;
   int f[maxn];
                        // failure function
   char a[maxn], b[maxn];
   void failureFuntion() { // f[0] = 0
       for(int i=1, j=0; i<m; ) {</pre>
          if(b[i] == b[j]) f[i++] = ++j;
          else if(j) j = f[j-1];
          else f[i++] = 0;
12
13
14
   int kmp() {
       int i = 0, j = 0, res = 0;
       while(i < n) {</pre>
17
18
          if(a[i] == b[j]) i++, j++;
          else if(j) j = f[j-1];
19
          else i++;
          if(j == m) {
21
              res++; // 找到答案
22
              j = 0; // non-overlapping
23
24
26
       return res;
27
28
29
   // Problem: 所有在b裡,前後綴相同的長度
   // b = ababcababababcabab
31 // f = 001201234123456789
   // 前9 = 後9
33 // 前4 = 前9的後4 = 後4
34 // 前2 = 前4的後2 = 前9的後2 = 後2
35 for(int j=m; j; j=f[j-1]) {
36
       // j 是答案
```

1.3 Z Algorithm

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
   int z[maxn]; // s[0:z[i]) = s[i:i+z[i])
 4 string s;
   void makeZ() { // z[0] = 0
 6
     for(int i=1, l=0, r=0; i<s.length(); i++) {</pre>
      if(i<=r && z[i-l]<r-i+1) z[i] = z[i-l];</pre>
       else {
10
         z[i] = max(0, r-i+1);
         while(i+z[i]<s.length() &&</pre>
11
              s[z[i]]==s[i+z[i]]) z[i]++;
       if(i+z[i]-1 > r) l = i, r = i+z[i]-1;
    }
14
15 }
```

math 2.1 公式

1. Most Divisor Number

Range	最多因數數	因數個數
109	735134400	1344
231	2095133040	1600
10^{18}	897612484786617600	103680
2^{64}	9200527969062830400	161280

2. Faulhaber's formula

$$\sum_{k=1}^{n} k^{p} = \frac{1}{p+1} \sum_{r=0}^{p} \binom{p+1}{r} B_{r} n^{p-r+1}$$

where
$$B_0=1$$
, $B_r=1-\sum_{i=0}^{r-1} {r \choose i} \frac{B_i}{r-i+1}$

也可用高斯消去法找 deg(p+1) 的多項式,例:

$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = a_3 n^3 + a_2 n^2 + a_1 n + a_0$$

$$\begin{bmatrix} 0^3 & 0^2 & 0^1 & 0^0 \\ 1^3 & 1^2 & 1^1 & 1^0 \\ 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ 3^3 & 3^2 & 3^1 & 3^0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_3 \\ a_2 \\ a_1 \\ a_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0^2 \\ 0^2 + 1^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 + 3^2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 8 & 4 & 2 & 1 & 5 \\ 27 & 9 & 3 & 1 & 14 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 4 & 6 & 7 & 3 \\ 0 & 0 & 6 & 11 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1/3 \\ 1/2 \\ 1/6 \\ 0 \end{bmatrix}, \ \sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{1}{3}n^3 + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{6}n$$

SG Function

```
SG(x) = \max\{SG(y)|x \to y\}
mex(S) = min\{n|n \in \mathbb{N}, n \not\in S\}
```

4. Fibonacci

$$\begin{bmatrix} f_{n-1} & f_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^p = \begin{bmatrix} f_{n+p} & f_{n+p+1} \end{bmatrix}, p \in \mathbb{N}$$

5. Pick's Theorem

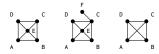
給定頂點座標均是整點(或正方形格子點)的簡單多邊形, 其面積 A 和內部格點數目 i 、邊上格點數目 b 的關係為

$$A = i + \frac{b}{2} - 1$$

6. Euler's Formula

對於有 V 個點、E 條邊、F 個面 (含外部) 的連通平面圖

$$F + V - E = 2$$



(1)、(2) 正確;(3) AC 與 BD 相交,錯誤;(4) 非連捅圖

矩陣快速冪 2.2

```
1 using ll = long long;
   using mat = vector<vector<ll>>;
   const int mod = 1e9 + 7;
   mat operator*(mat A, mat B) {
      mat res(A.size(),
            vector<ll>(B[0].size()));
       for(int i=0; i<A.size(); i++) {</pre>
          for(int j=0; j<B[0].size(); j++) {</pre>
 9
              for(int k=0; k<B.size(); k++) {</pre>
                  res[i][j] += A[i][k] *
10
                       B[k][j] % mod;
                  res[i][j] %= mod;
11
12
              }
          }
13
      }
14
       return res;
15
16
   }
17
18
   mat I = ;
   // compute matrix M^n
   // 需先 init I 矩陣
   mat mpow(mat& M, int n) {
      if(n <= 1) return n ? M : I;
23
      mat v = mpow(M, n>>1);
       return (n & 1) ? v*v*M : v*v;
24
25
  }
26
27
   // 迴圈版本
   mat mpow(mat M, int n) {
28
       mat res(M.size(),
            vector<ll>(M[0].size()));
       for(int i=0; i<res.size(); i++)</pre>
30
           res[i][i] = 1;
       for(; n; n>>=1) {
31
          if(n & 1) res = res * M;
32
          M = M * M;
33
34
```

質數與因數 2.3

return res;

35

30

36 }

```
歐拉篩O(n)
   #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
   bool isPrime[MAXN];
   int p[MAXN];
   int pSize=0;
   void getPrimes(){
    memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
     isPrime[0]=isPrime[1]=false;
     for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
10
       if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
11
      for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
12
         isPrime[i*p[j]]=false;
         if(i%p[j]==0) break;
14
      }
15
    }
   }
16
17
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
   int GCD(int a, int b){
19
    if(b == 0) return a;
    return GCD(b, a%b);
21
22
23
   質因數分解
24
25
   void primeFactorization(int n){
    for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
26
       if(p[i]*p[i] > n) break;
28
      if(n % p[i]) continue;
      cout << p[i] << ' ';
29
```

while(n%p[i] == 0) n /= p[i];

```
if(n != 1) cout << n << ' ';
32
     cout << ' \n';
33
34 }
35
    擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)
36
37
    int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y) {
    if(b == 0){
38
       x = 1, y = 0;
39
40
       return a;
41
42
     int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
     y -= a/b*x;
43
44
     return d;
45 }
46
    int main(){
     int a, b, x, y;
47
     cin >> a >> b;
48
     ext_euc(a, b, x, y);
cout << x << ' ' << y << endl;
50
51
     return 0;
52 }
53
54
55
56
    歌德巴赫猜想
    解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
57
58 #define N 20000000
59 int ox[N], p[N], pr;
    void PrimeTable(){
60
61
     ox[0] = ox[1] = 1;
     pr = 0:
62
63
     for(int i=2; i<N; i++){</pre>
64
      if(!ox[i]) p[pr++] = i;
65
       for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
         ox[i*p[j]] = 1;
66
     }
67
68 }
69
    int main(){
     PrimeTable();
70
71
     int n;
72
     while(cin>>n, n){
73
       int x;
74
       for(x=1;; x+=2)
75
         if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
76
       printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);
77
78 }
79
80
   problem :
    給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
    如果N是質數,則答案為 1。
    如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
    如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
85
    其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
86
    bool isPrime(int n){
87
     for(int i=2;i<n;++i){</pre>
      if(i*i>n) return true;
       if(n%i==0) return false;
91
    return true;
92
93 }
94 int main(){
95
     cin>>n:
96
     if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
     else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
     else cout<<"3\n";</pre>
100 }
```

2.4 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中有幾個正整數與 n 互質
2
 int phi(){
3
     int ans=n;
     for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
```

```
if(n%i==0){
             ans=ans-ans/i:
              while(n%i==0) n/=i;
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
      return ans;
12 }
```

7

8

9

10

11

乘法逆元、組合數

```
x^{-1} mod\ m
                  1,
                                if x = 1
                                           (mod \ m)
         -\left|\frac{m}{x}\right|(m\ mod\ x)^{-1}, otherwise
         1, \qquad \qquad \text{if } x = 1 \\ (m - \left\lfloor \frac{m}{x} \right\rfloor)(m \bmod x)^{-1}, \qquad \text{otherwise}
                                               (mod \ m)
   若 p \in prime, 根據費馬小定理, 則
    1|using 11 = long long;
   const int maxn = 2e5 + 10;
   const int mod = 1e9 + 7;
   int fact[maxn] = {1, 1}; // x! % mod
   int inv[maxn] = {1, 1}; // x^(-1) % mod
   int invFact[maxn] = \{1, 1\}; // (x!)^{(-1)} \% \mod
   void build() {
10
    for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
       fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
11
       inv[x] = (11)(mod-mod/x)*inv[mod%x]%mod;
13
       invFact[x] = (ll)invFact[x-1]*inv[x]%mod;
14
15
  }
16
   // 前提: mod 為質數
17
   void build() {
18
     auto qpow = [&](11 a, int b) {
       11 \text{ res} = 1;
20
       for(; b; b>>=1) {
21
22
         if(b & 1) res = res * a % mod;
         a = a * a % mod:
23
24
25
       return res;
26
     };
27
28
     for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
       fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
29
       invFact[x] = qpow(fact[x], mod-2);
30
31
32 }
33
   // C(a, b) % mod
   int comb(int a, int b) {
35
    if(a < b) return 0;</pre>
     11 x = fact[a];
37
38
     11 y = (11)invFact[b] * invFact[a-b] % mod;
39
     return x * y % mod;
```

algorithm

```
給定兩射線方向和速度,問兩射線最近距離。
   頴 解
  假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離,F(t)
      為二次函 數,
  可用三分搜找二次函數最小值。
  struct Point{
     double x, y, z;
     Point() {}
     Point(double _x,double _y,double _z):
        x(_x),y(_y),z(_z){}
10
     friend istream& operator>>(istream& is,
         Point& p) {
```

```
12
          is >> p.x >> p.y >> p.z;
                                                 26 }
13
          return is:
14
15
      Point operator+(const Point &rhs) const{
                                                    3.3 greedy
          return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
16
17
                                                  1 刪數字問題
      Point operator-(const Point &rhs) const{
18
                                                    //problem
19
          return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
                                                    給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
20
                                                    請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
21
      Point operator*(const double &d) const{
22
          return Point(x*d,y*d,z*d);
                                                    //solution
                                                    刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i
23
24
      Point operator/(const double &d) const{
                                                         位數,
                                                    扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
25
          return Point(x/d,y/d,z/d);
26
                                                    //code
                                                    int main(){
27
      double dist(const Point &rhs) const{
          double res = 0:
                                                       string s;
28
          res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
                                                 11
                                                       int k;
29
30
          res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
                                                 12
                                                       cin>>s>>k;
                                                 13
                                                        for(int i=0;i<k;++i){</pre>
31
          res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
                                                           if((int)s.size()==0) break;
                                                 14
32
          return res:
                                                           int pos =(int)s.size()-1;
                                                 15
      }
33
34
  };
                                                 16
                                                 17
                                                               if(s[j]>s[j+1]){
35
  int main(){
                                                 18
                                                                  pos=j;
36
      IOS;
              //輸入優化
                                                                  break:
                                                 19
37
      int T:
                                                              }
      cin>>T;
                                                 20
38
                                                           }
39
      for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
                                                 21
          double time;
                                                 22
                                                           s.erase(pos,1);
40
41
          Point x1,y1,d1,x2,y2,d2;
                                                 23
          cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2;
                                                       while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
                                                 24
42
                                                 25
                                                           s.erase(0,1);
43
          d1=(y1-x1)/time;
                                                 26
                                                        if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
44
          d2=(y2-x2)/time;
                                                        else cout<<0<<'\n';
45
          double L=0.R=1e8.m1.m2.f1.f2:
                                                 27
                                                 28 }
46
          double ans = x1.dist(x2);
          while(abs(L-R)>1e-10){
                                                 29 最小區間覆蓋長度
47
48
             m1=(I+R)/2:
                                                 30 //problem
                                                    給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                 31
49
             m2=(m1+R)/2;
                                                    請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
             f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
50
51
             f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
                                                 33
                                                    //solution
             ans = min(ans,min(f1,f2));
                                                    先將所有區間依照左界由小到大排序,
52
                                                 35
53
             if(f1<f2) R=m2:
                                                 36
                                                    找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
54
             else L=m1;
55
                                                 37
                                                    //problem
56
          cout<<"Case "<<ti<<": ";
                                                 38
                                                    長度 n 的直線中有數個加熱器,
          cout << fixed << setprecision(4) <<</pre>
57
               sqrt(ans) << ' \ '';
                                                    在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                                    問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
                                                 41
58
      }
                                                    //solution
59 }
                                                 42
                                                 43
                                                    更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
   3.2 差分
                                                 45
                                                    //code
                                                 46
                                                    int main(){
                                                 47
                                                       int n, r;
```

```
1 用途: 在區間 [1, r] 加上一個數字v。
  b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
  b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
   給的 a[] 是前綴和數列, 建構 b[],
   因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
   在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
   最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
   這樣一來, b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
  int a[1000], b[1000];
   // a: 前綴和數列, b: 差分數列
12
  int main(){
      int n, 1, r, v;
13
      cin >> n;
14
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
15
16
         cin >> a[i];
17
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
18
19
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
20
      b[r+1] -= v;
21
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
22
23
         b[i] += b[i-1];
         cout << b[i] << ' ';
24
25
```

```
81
                                                   82
                                                   83
                                                   84
                                                   85
                                                   86
                                                   87
                                                   88
                                                   89
                                                   90
                                                   91
                                                   92
                                                   93
                                                   94
          for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
                                                   95
                                                   96
                                                   97
                                                   98
                                                   99
                                                  100
                                                  101
                                                  102
                                                  103
                                                  104
                                                  105
                                                  106
                                                  107
                                                  108
                                                  109
                                                  110
                                                  111
                                                  112
   對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                  113
                                                  114
                                                  115
                                                  116
                                                  117
                                                  118
                                                  119
                                                  120
   對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
                                                  121
                                                  122
                                                  123
                                                  124
                                                  125
       int a[1005];
48
                                                  126
       cin>>n>>r;
                                                  127
       for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
50
                                                  128
51
       int i=1,ans=0;
                                                  129
52
      while(i<=n){</pre>
                                                  130
          int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
53
          int nextR=-1;
                                                  132
          for(int j=R; j>=L; -- j){
55
56
              if(a[j]){
                                                  134
57
                  nextR=i:
                                                  135
58
                  break;
                                                  136
59
              }
                                                  137
60
                                                  138
          if(nextR==-1){
61
                                                  139
              ans=-1;
62
                                                  140
              break;
63
64
          }
                                                  142
65
          ++ans;
                                                  143
66
          i=nextR+r:
                                                  144
67
                                                  145
      cout<<ans<<'\n';</pre>
                                                      和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                  146
69 }
                                                      工作處裡時長 → 烏龜重量
70 最多不重疊區間
                                                  148 工作期限 → 烏龜可承受重量
   //problem
                                                      多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
72 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
```

```
請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
 74
   //solution
   依照右界由小到大排序,
 75
 76
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
 77
   //code
   struct Line{
 78
 79
      int L.R:
 80
      bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
          return R<rhs.R;</pre>
   };
   int main(){
      int t;
      cin>>t;
      Line a[30];
      while(t--){
          int n=0:
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
          sort(a,a+n);
          int ans=1,R=a[0].R;
          for(int i=1;i<n;i++){</pre>
             if(a[i].L>=R){
                ++ans:
                R=a[i].R;
             }
          cout<<ans<<'\n';
      }
   最小化最大延遲問題
   //problem
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為
        Li=max(0,Fi-Di),
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
   //solution
   按照到期時間從早到晚處理。
   //code
   struct Work{
      int t, d;
      bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
          return d<rhs.d;</pre>
   };
   int main(){
      int n:
      Work a[10000];
      cin>>n:
      for(int i=0;i<n;++i)</pre>
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
      sort(a,a+n);
      int maxL=0,sumT=0;
      for(int i=0;i<n;++i){</pre>
          sumT+=a[i].t;
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
      cout<<maxL<<'\n';</pre>
131 }
   最少延遲數量問題
   給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
   //solution
   期限越早到期的工作越先做。
   將工作依照到期時間從早到晚排序,
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
141 上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
   //problem
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
   //solution
```

```
3.4 dinic
150 //code
                                                                                                          long long cost[maxn];
151
   struct Work{
                                                                                                          vector<vector<int>> G:
                                                                                                          int SCC = 0;
152
       int t. d:
                                                     1 const int maxn = 1e5 + 10;
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                          stack<int> sk;
                                                       const int inf = 0x3f3f3f3f;
154
           return d<rhs.d;</pre>
                                                                                                       11
                                                                                                          int dfn[maxn];
                                                       struct Edge {
155
                                                                                                       12
                                                                                                          int low[maxn];
                                                          int s, t, cap, flow;
156
   };
                                                                                                       13
                                                                                                          bool inStack[maxn];
                                                     5 };
157
   int main(){
                                                                                                          int dfsTime = 1;
                                                     6 int n, m, S, T;
158
       int n=0;
                                                                                                          long long totalCost = 0;
                                                       int level[maxn], dfs_idx[maxn];
                                                                                                          long long ways = 1;
       Work a[10000];
159
                                                                                                       16
                                                       vector<Edge> E;
                                                     8
       priority_queue<int> pq;
160
                                                                                                       17
                                                                                                           void dfs(int u) {
                                                     9
                                                       vector<vector<int>> G;
                                                                                                              dfn[u] = low[u] = dfsTime;
       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
161
                                                                                                       18
                                                    10 void init() {
                                                                                                       19
                                                                                                              ++dfsTime;
162
           ++n;
                                                          S = 0;
                                                    11
163
       sort(a,a+n);
                                                                                                       20
                                                                                                              sk.push(u);
                                                    12
                                                          T = n + m;
164
       int sumT=0,ans=n;
                                                                                                       21
                                                                                                              inStack[u] = true;
                                                          E.clear();
                                                    13
165
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                                                       22
                                                                                                              for (int v: G[u]) {
                                                    14
                                                           G.assign(maxn, vector<int>());
                                                                                                                  if (dfn[v] == 0) {
           pq.push(a[i].t);
                                                                                                       23
166
                                                    15 }
167
           sumT+=a[i].t;
                                                                                                       24
                                                                                                                     dfs(v);
                                                       void addEdge(int s, int t, int cap) {
                                                    16
                                                                                                                     low[u] = min(low[u], low[v]);
168
           if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                                                                       25
                                                    17
                                                          E.push_back({s, t, cap, 0});
169
               int x=pq.top();
                                                                                                       26
                                                           E.push_back({t, s, 0, 0});
                                                    18
170
                                                                                                       27
                                                                                                                  else if (inStack[v]) {
               pq.pop();
                                                           G[s].push_back(E.size()-2);
                                                    19
               sumT-=x;
171
                                                                                                                     //屬於同個SCC目是我的back edge
                                                                                                       28
                                                           G[t].push_back(E.size()-1);
                                                    20
172
               --ans:
                                                                                                       29
                                                                                                                     low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                    21 }
                                                                                                                  }
173
                                                                                                       30
                                                    22 bool bfs() {
174
                                                                                                       31
                                                                                                              }
                                                          queue<int> q({S});
                                                    23
175
       cout<<ans<<'\n';
                                                                                                       32
                                                                                                              //如果是SCC
                                                    24
                                                          memset(level, -1, sizeof(level));
   }
                                                                                                              if (dfn[u] == low[u]) {
176
                                                                                                       33
                                                    25
                                                          level\GammaS1 = 0:
177
                                                                                                       34
                                                                                                                  long long minCost = 0x3f3f3f3f;
                                                           while(!q.empty()) {
                                                    26
   任務調度問題
                                                                                                       35
                                                                                                                  int currWays = 0;
178
                                                    27
                                                              int cur = q.front();
179
    //problem
                                                                                                       36
                                                                                                                  ++SCC;
                                                    28
                                                              a.pop():
    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                                                                  while (1) {
180
                                                                                                       37
                                                    29
                                                               for(int i : G[cur]) {
    期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
                                                                                                       38
                                                                                                                     int v = sk.top();
181
                                                                  Edge e = E[i];
                                                    30
         單位懲 罰,
                                                                                                                     inStack[v] = 0;
                                                                                                       39
                                                                  if(level[e.t]==-1 &&
   請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                                                                       40
                                                                                                                     sk.pop():
182
                                                                       e.cap>e.flow) {
                                                                                                                     if (minCost > cost[v]) {
183
                                                                                                       41
                                                                      level[e.t] = level[e.s] + 1;
                                                    32
                                                                                                                         minCost = cost[v];
184
   依照懲罰由大到小排序,
                                                                                                       42
                                                    33
                                                                      q.push(e.t);
    每項工作依序嘗試可不可以放在
                                                                                                                         currWays = 1;
185
                                                                                                       43
                                                    34
         Di-Ti+1, Di-Ti, ..., 1, 0,
                                                                                                                     }
                                                                                                       44
                                                              }
                                                    35
   如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                                                                                     else if (minCost == cost[v]) {
                                                                                                       45
186
                                                    36
187
                                                                                                       46
                                                                                                                         ++currWays;
                                                    37
                                                           return ~level[T];
188
    //problem
                                                                                                       47
                                                    38 }
                                                                                                                     if (v == u)
    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                                                       48
189
                                                       int dfs(int cur, int lim) {
                                                    39
    期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                                                                       49
                                                                                                                         break;
                                                           if(cur==T || lim==0) return lim;
                                                    40
         單位獎 勵,
                                                                                                       50
                                                           int result = 0;
                                                    41
191
    請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                                                                       51
                                                                                                                  totalCost += minCost;
                                                    42
                                                           for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
   //solution
                                                                                                       52
                                                                                                                  ways = (ways * currWays) % MOD;
192
                                                                && lim; i++) {
   和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                                                                              }
                                                                                                       53
                                                               Edge& e = E[G[cur][i]];
                                                    43
194
   //code
                                                                                                       54
                                                                                                          }
                                                    44
                                                              if(level[e.s]+1 != level[e.t])
   struct Work{
195
                                                                                                       55
                                                                                                          int main() {
                                                                   continue:
196
       int d,p;
                                                                                                       56
                                                               int flow = dfs(e.t, min(lim,
                                                                                                              scanf("%d", &n);
197
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                       57
                                                                   e.cap-e.flow));
           return p>rhs.p;
                                                                                                              for (int i = 1; i <= n; ++i)
198
                                                               if(flow <= 0) continue;</pre>
199
                                                                                                       59
                                                                                                                  scanf("%11d", &cost[i]);
                                                               e.flow += flow;
                                                    47
200
   };
                                                                                                       60
                                                                                                              G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                    48
                                                               result += flow;
201
   int main(){
                                                                                                       61
                                                                                                              int m:
                                                    49
                                                              E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
                                                                                                              scanf("%d", &m);
202
       int n;
                                                                                                       62
                                                              lim -= flow;
                                                    50
203
       Work a[100005];
                                                                                                       63
                                                                                                              int u, v;
                                                    51
       bitset<100005> ok;
                                                                                                              for (int i = 0; i < m; ++i) {</pre>
204
                                                                                                       64
                                                    52
                                                           return result;
       while(cin>>n){
                                                                                                                  scanf("%d %d", &u, &v);
205
                                                                                                       65
                                                    53
206
           ok.reset();
                                                                                                       66
                                                                                                                  G[u].emplace_back(v);
                                                    54
                                                       int dinic() {// O((V^2)E)
207
           for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                                                                       67
                                                           int result = 0;
                                                    55
208
               cin>>a[i].d>>a[i].p;
                                                                                                              for (int i = 1; i <= n; ++i) {
                                                                                                       68
                                                           while(bfs()) {
                                                                                                                  if (dfn[i] == 0)
           sort(a,a+n);
209
                                                                                                       69
                                                              memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
                                                    57
210
           int ans=0;
                                                                                                       70
                                                                                                                     dfs(i);
                                                               result += dfs(S, inf);
                                                    58
           for(int i=0;i<n;++i){</pre>
211
                                                                                                       71
                                                          }
                                                    59
212
               int j=a[i].d;
                                                                                                       72
                                                                                                              printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
                                                          return result;
                                                    60
213
               while(j--)
                                                                                                                   MOD);
                                                    61 | }
                  if(!ok[j]){
214
                                                                                                       73
                                                                                                              return 0:
215
                      ans+=a[i].p;
                                                                                                       74 }
216
                      ok[j]=true;
217
                      break;
                                                       3.5 SCC Tarjan
218
                  }
                                                                                                          3.6 ArticulationPoints Tarjan
219
220
           cout<<ans<<'\n';
                                                     1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小
                                                     2 //的要數出來,因為題目要方法數
                                                                                                          vector<vector<int>> G;
221
       }
                                                     3 //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
222 }
                                                                                                        2 int N, timer;
                                                     4 //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
                                                                                                          bool visited[105];
```

5 #define maxn 100005

6 #define MOD 1000000007

int dfn[105]; // 第一次visit的時間

5 int low[105];

5

```
memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
                                                                                                           for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
   //最小能回到的父節點
                                                  14
                                                                                                    22
   //(不能是自己的parent)的visTime
                                                                                                              memset(used, false, sizeof(used));
                                                  15
                                                            // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
                                                                                                    23
                                                            // optional: low 為最小 cap 限制
                                                                                                              if (match(i))
  int res:
                                                  16
                                                                                                    24
   //求割點數量
                                                  17
                                                            for(const Edge& e : edges) {
                                                                                                    25
                                                                                                                  ++res;
                                                                if(e.cap < low) continue;</pre>
   void tarjan(int u, int parent) {
10
                                                  18
                                                                                                    26
                                                                                                           }
      int child = 0;
                                                                if(e.s!=e.t &&
                                                                                                    27
                                                                                                           cout << n - res << '\n';
11
                                                  19
      bool isCut = false;
                                                                                                    28 }
12
                                                                     e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
13
      visited[u] = true;
                                                                    inEdge[e.t] = e.cost;
                                                  20
14
      dfn[u] = low[u] = ++timer;
                                                  21
                                                                    pre[e.t] = e.s;
15
      for (int v: G[u]) {
                                                  22
                                                                                                       3.9
                                                                                                               JosephusProblem
16
          if (!visited[v]) {
                                                  23
17
              ++child:
                                                            for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                  24
18
              tarjan(v, u);
                                                                if(i!=root && inEdge[i]==inf)
                                                                                                     1 //JosephusProblem, 只是規定要先 砍 1號
              low[u] = min(low[u], low[v]);
19
                                                  26
                                                                    return -1;//除了root 還有點沒有in
                                                                                                       //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
20
              if (parent != -1 && low[v] >=
                                                                                                       //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
                  dfn[u])
                                                  27
                                                                                                       int getWinner(int n, int k) {
                                                            int seq = inEdge[root] = 0;
                 isCut = true;
                                                  28
21
                                                                                                           int winner = 0;
                                                            memset(idx, -1, sizeof(idx));
                                                  29
                                                                                                           for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                                                                     6
23
          else if (v != parent)
                                                            memset(vis, -1, sizeof(vis));
                                                  30
                                                                                                              winner = (winner + k) % i;
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                  31
                                                            // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
24
                                                                                                     8
                                                                                                           return winner;
25
                                                  32
                                                            for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                                                                     9 }
      //If u is root of DFS
                                                                result += inEdge[i];
26
                                                  33
                                                                                                    10 int main() {
           tree->有兩個以上的children
                                                  34
                                                                int cur = i;
                                                                                                    11
                                                                                                           int n;
      if (parent == -1 && child >= 2)
27
                                                  35
                                                                while(vis[cur]!=i &&
                                                                                                    12
                                                                                                           while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
28
          isCut = true;
                                                                     idx[cur]==-1) {
                                                                                                    13
      if (isCut) ++res;
                                                                    if(cur == root) break;
29
                                                  36
                                                                                                    14
                                                                                                              for (int k = 1; k \le n; ++k){
30 }
                                                                   vis[cur] = i;
                                                  37
                                                                                                                  if (getWinner(n, k) == 11){
                                                                                                    15
31
   int main() {
                                                  38
                                                                    cur = pre[cur];
                                                                                                                      printf("%d\n", k);
                                                                                                    16
      char input[105];
32
                                                  39
                                                                                                    17
                                                                                                                      break;
      char* token;
33
                                                  40
                                                                if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
                                                                                                    18
      while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
                                                                   for(int j=pre[cur]; j!=cur;
34
                                                  41
                                                                                                    19
                                                                                                              }
35
          G.assign(105, vector<int>());
                                                                        j=pre[j])
                                                                                                    20
                                                                                                           }
36
          memset(visited, false,
                                                                       idx[j] = seq;
                                                                                                    21
                                                                                                           return 0;
               sizeof(visited));
                                                                   idx[cur] = seq++;
                                                  43
                                                                                                    22 }
          memset(low, 0, sizeof(low));
37
                                                  44
          memset(dfn, 0, sizeof(visited));
                                                            }
38
                                                  45
39
          timer = 0;
                                                            if(seg == 0) return result; // 沒有
                                                  46
40
          res = 0;
                                                                 cycle
                                                                                                       3.10
                                                                                                                KM
41
          getchar(); // for \n
                                                            for(int i=0; i<N; i++)</pre>
                                                  47
42
          while (fgets(input, 105, stdin)) {
                                                                // 沒有被縮點的點
                                                  48
              if (input[0] == '0')
                                                                if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
                                                                                                     1 #define maxn 505
43
                                                  49
                                                                                                       int W[maxn][maxn];
44
                 break:
                                                            // 縮點並重新編號
                                                                                                       int Lx[maxn], Ly[maxn];
              int size = strlen(input);
45
                                                  51
                                                            for(Edge& e : edges) {
46
              input[size - 1] = ' \setminus 0';
                                                  52
                                                                if(idx[e.s] != idx[e.t])
                                                                                                       bool S[maxn], T[maxn];
              --size;
                                                                                                       //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
47
                                                  53
                                                                    e.cost -= inEdge[e.t];
              token = strtok(input, " ");
                                                                                                       int L[maxn];
                                                                e.s = idx[e.s];
48
                                                  54
                                                                                                       int n;
              int u = atoi(token);
                                                                e.t = idx[e.t];
49
                                                                                                       bool match(int i) {
              int v;
                                                            }
                                                                                                     8
50
                                                  56
                                                                                                           S[i] = true;
51
              while (token = strtok(NULL, " "))
                                                  57
                                                            N = seq;
                                                                                                           for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                                                                    10
                                                  58
                                                            root = idx[root];
                 v = atoi(token);
                                                                                                    11
                                                                                                              // KM重點
52
                                                  59
                                                        }
                                                                                                              // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
                 G[u].emplace_back(v);
                                                  60 }
                                                                                                    12
53
                                                                                                    13
                                                                                                              // 要想辦法降低Lx + Ly
54
                 G[v].emplace_back(u);
                                                                                                              // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                                                                    14
55
              }
                                                                                                              if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
56
                                                                                                    15
                                                     3.8 二分圖最大匹配
                                                                                                                   !T[j]) {
57
          tarjan(1, -1);
58
          printf("%d \ n", res);
                                                                                                    16
                                                                                                                  T[j] = true;
                                                   1 /* 核心: 最大點獨立集 = |V| -
                                                                                                    17
                                                                                                                  if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
59
      }
                                                          /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
                                                                                                    18
                                                                                                                      L[j] = i;
60
      return 0;
                                                   2 vector<Student> boys;
                                                                                                                      return true;
                                                                                                    19
61 | }
                                                     vector<Student> girls;
                                                                                                    20
                                                                                                                  }
                                                   4 vector<vector<int>> G:
                                                                                                    21
                                                                                                              }
                                                   5 bool used[505];
                                                                                                    22
   3.7 最小樹狀圖
                                                   6 int p[505];
                                                                                                    23
                                                                                                           return false;
                                                   7
                                                     bool match(int i) {
                                                                                                    24 }
   const int maxn = 60 + 10;
                                                   8
                                                         for (int j: G[i]) {
                                                                                                    25 //修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                            if (!used[j]) {
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
                                                   9
                                                                                                       //此舉是在通過調整vertex labeling看看
                                                                                                    26
   struct Edge {
                                                                used[j] = true;
                                                                                                       //能不能產生出新的增廣路
                                                  10
     int s, t, cap, cost;
                                                                if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
                                                                                                       //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                  11
  }; // cap 為頻寬 (optional)
                                                                                                       //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配
                                                  12
                                                                   p[j] = i;
   int n, m, c;
                                                  13
                                                                    return true;
                                                                                                    30
                                                                                                       void update()
   int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
                                                  14
                                                                }
                                                                                                    31
                                                                                                       {
        vis[maxn];
                                                  15
                                                            }
                                                                                                    32
                                                                                                           int diff = 0x3f3f3f3f;
   // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
                                                                                                           for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
                                                  16
                                                                                                    33
   // 找環,如果沒有則 return;
                                                         return false;
                                                  17
                                                                                                    34
                                                                                                              if (S[i]) {
  // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
                                                  18 }
                                                                                                    35
                                                                                                                  for (int j = 0; j < n; ++j) {
  int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
                                                     void maxMatch(int n) {
                                                                                                                      if (!T[i])
11
                                                  19
                                                                                                    36
12
      int result = 0, root = 0, N = n;
                                                  20
                                                        memset(p, -1, sizeof(p));
                                                                                                    37
                                                                                                                         diff = min(diff, Lx[i] +
      while(true) {
                                                         int res = 0;
                                                                                                                              Ly[j] - W[i][j]);
```

21

```
dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
                                                                                                      14 void addEdge(int u, int v, int cap, int
38
              }
                                                   19
          }
                                                                   + dis[u][i - 1];
39
                                                                                                              cost) {
                                                         }
                                                                                                             edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0,
40
      }
                                                   20
                                                                                                      15
41
      for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
                                                          //遍歷子節點
                                                   21
                                                                                                                  cost});
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
                                                          for (Edge& edge: G[u]) {
                                                                                                             edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
42
                                                   22
                                                                                                      16
43
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
                                                              if (edge.v == p)
                                                   23
44
                                                   24
                                                                 continue:
                                                                                                      17
                                                                                                             m = edges.size();
45
   }
                                                   25
                                                              dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                                                                      18
                                                                                                             G[u].emplace_back(m - 2);
46
   void KM()
                                                   26
                                                              dfs(edge.v, u);
                                                                                                      19
                                                                                                             G[v].emplace_back(m - 1);
47
   {
                                                                                                      20 }
                                                   27
48
      for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
                                                   28
                                                                                                          //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
                                                                                                         bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
          L[i] = -1;
49
                                                   29
                                                      long long lca(int x, int y) {
                                                                                                      22
50
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                          //此函數是找1ca同時計算x \times y的距離 -> dis(x,
                                                                                                              minCost) {
                                                   30
51
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                               lca) + dis(lca, y)
                                                                                                      23
                                                                                                             // memset(outFlow, 0x3f,
52
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
                                                   31
                                                          //讓y比x深
                                                                                                                  sizeof(outFlow));
53
                                                   32
                                                          if (dep[x] > dep[y])
                                                                                                      24
                                                                                                             memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                              swap(x, y);
                                                                                                             memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
54
                                                                                                      25
                                                   33
          while(1) {
                                                          int deltaDep = dep[y] - dep[x];
55
                                                                                                      26
                                                                                                             queue<int> q;
              memset(S, false, sizeof(S));
                                                                                                             q.push(s);
56
                                                   35
                                                          long long res = 0;
                                                                                                      27
57
              memset(T, false, sizeof(T));
                                                          //讓v與x在同一個深度
                                                                                                             dis[s] = 0;
                                                   36
                                                                                                      28
58
              if (match(i))
                                                   37
                                                          for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                                                                      29
                                                                                                             inqueue[s] = true;
                                                               deltaDep >>= 1)
                                                                                                             outFlow[s] = INF;
59
                  break:
                                                                                                      30
60
              else
                                                   38
                                                              if (deltaDep & 1)
                                                                                                             while (!q.empty()) {
61
                                                                                                                 int u = q.front();
                  update(); //去調整vertex
                                                   39
                                                                 res += dis[y][i], y = fa[y][i];
                                                                                                      32
                       labeling以增加增廣路徑
                                                   40
                                                          if (y == x) //x = y -> x \cdot y彼此是彼此的祖先
                                                                                                      33
                                                                                                                 q.pop();
62
          }
                                                   41
                                                              return res;
                                                                                                      34
                                                                                                                 inqueue[u] = false;
                                                          //往上找,一起跳,但x \times y不能重疊
                                                                                                                 for (const int edgeIndex: G[u]) {
      }
63
                                                   42
                                                                                                      35
64
   }
                                                   43
                                                          for (int i = 30; i >= 0 && y != x; --i) {
                                                                                                                     const Edge& edge =
                                                              if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
   int main() {
65
                                                   44
                                                                                                                          edges[edgeIndex];
66
      while (scanf("%d", &n) != EOF) {
                                                   45
                                                                 res += dis[x][i] + dis[y][i];
                                                                                                      37
                                                                                                                     if ((edge.cap > edge.flow) &&
                                                                                                                          (dis[edge.v] > dis[u] +
                                                                 x = fa[x][i];
          for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
67
                                                   46
68
              for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                   47
                                                                 y = fa[y][i];
                                                                                                                          edge.cost)) {
69
                  scanf("%d", &W[i][j]);
                                                   48
                                                                                                                        dis[edge.v] = dis[u] +
                                                                                                      38
          KM();
70
                                                   49
                                                         }
                                                                                                                              edge.cost;
71
                                                          //最後發現不能跳了,此時x的第2<sup>0</sup> =
                                                                                                                        parent[edge.v] = edgeIndex;
          int res = 0;
                                                                                                      39
          for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
72
                                                               1個祖先(或說y的第2^0 =
                                                                                                                        outFlow[edge.v] =
                                                                                                      40
73
              if (i != 0)
                                                               1的祖先)即為x \times y的1ca
                                                                                                                              min(outFlow[u], (long
74
                  printf(" %d", Lx[i]);
                                                   51
                                                          res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                                                                                              long)(edge.cap -
75
                                                   52
                                                          return res:
                                                                                                                              edge.flow));
76
                 printf("%d", Lx[i]);
                                                   53
                                                                                                                        if (!inqueue[edge.v]) {
77
                                                   54 int main() {
              res += Lx[i];
                                                                                                      42
                                                                                                                            q.push(edge.v);
                                                        int n, q;
78
                                                                                                      43
                                                                                                                            inqueue[edge.v] = true;
                                                   55
          puts("");
                                                        while (~scanf("%d", &n) && n) {
79
                                                                                                      44
80
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   57
                                                                                                      45
                                                                                                                    }
                                                          int v. w:
81
              if (i != 0)
                                                   58
                                                          G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                                                                      46
                                                                                                                 }
                  printf(" %d", Ly[i]);
                                                              for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                   59
82
                                                                                                      47
                                                            scanf("%d %d", &v, &w);
                                                                                                             //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
83
                  printf("%d", Ly[i]);
                                                            G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
                                                                                                             if (dis[t] > 0)
84
                                                   61
                                                                                                      49
85
              res += Ly[i];
                                                   62
                                                            G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
                                                                                                      50
                                                                                                                 return false:
86
                                                   63
                                                                                                      51
                                                                                                             maxFlow += outFlow[t];
          puts("");
                                                                                                             minCost += dis[t] * outFlow[t];
87
                                                   64
                                                             dfs(1, 0);
                                                                                                      52
88
          printf("%d\n", res);
                                                   65
                                                              scanf("%d", &q);
                                                                                                             //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
                                                                                                      53
89
                                                   66
                                                                                                      54
                                                                                                             //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
                                                              int u;
                                                                                                             int curr = t;
90
                                                   67
                                                              while (q--) {
                                                                                                      55
      return 0;
91
                                                   68
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
                                                                                                      56
                                                                                                             while (curr != s) {
                                                                 edges[parent[curr]].flow +=
                                                   69
                                                                                                      57
                                                                                                                      outFlow[t];
                                                             }
                                                                                                                 edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
                                                   70
                                                                                                      58
   3.11 LCA 倍增法
                                                        }
                                                   71
                                                                                                                      outFlow[t];
                                                   72
                                                        return 0;
                                                                                                      59
                                                                                                                 curr = edges[parent[curr]].u;
                                                                                                      60
                                                                                                             }
 1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
                                                                                                      61
                                                                                                             return true;
   //利用1ca找樹上任兩點距離
                                                                                                      62 }
   #define maxn 100005
                                                                                                          long long MCMF() {
                                                                                                      63
                                                      3.12 MCMF
  struct Edge {
                                                                                                             long long maxFlow = 0;
                                                                                                      64
    int u, v, w;
                                                                                                      65
                                                                                                             long long minCost = 0;
6 };
                                                    1 #define maxn 225
                                                                                                      66
                                                                                                             while (SPFA(maxFlow, minCost))
 7
   vector<vector<Edge>> G; // tree
                                                      #define INF 0x3f3f3f3f
                                                                                                      67
   int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
                                                    3 struct Edge {
                                                                                                      68
                                                                                                             return minCost;
   long long dis[maxn][31];
                                                         int u, v, cap, flow, cost;
                                                                                                      69 }
                                                    5 };
10
   int dep[maxn];//深度
                                                                                                      70
                                                                                                         int main() {
11
   void dfs(int u, int p) {//預處理fa
                                                    6 //node size, edge size, source, target
                                                                                                      71
                                                                                                             int T;
12
      fa[u][0] = p; //因為u的第2^0 = 1的祖先就是p
                                                    7 int n, m, s, t;
                                                                                                             scanf("%d", &T);
                                                                                                      72
      dep[u] = dep[p] + 1;
                                                      vector<vector<int>> G;
```

vector<Edge> edges;

10 bool inqueue[maxn];

11 long long dis[maxn];

int parent[maxn];

13 long long outFlow[maxn];

73

74

75

76

for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>

//總共幾個月,囤貨成本

scanf("%d %d", &M, &I);

int M. I:

//node size

13

15

16

17

18

//第 2^{i} 的祖先是(第 $2^{i} - 1$)個祖先)的

for (int i = 1; i < 31; ++i) {

//ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先

fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];

//第2[^](i - 1)的祖先

```
++colSize[col[j]];
78
          n = M + M + 2;
                                                                                                       26
                                                                                                              if (tag[i]) {
          G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                                                                                  //如果當前懶標有值則更新左右節點
79
                                                   42
                                                                                                       27
          edges.clear();
80
                                                                                                       28
                                                                                                                  st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                                   43
81
          s = 0;
                                                   44
                                                              L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                                                                       29
                                                                                                                  st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          t = M + M + 1;
                                                   45
82
                                                                                                       30
                                                                                                                  tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
          for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre>
                                                          bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                                                                                                                  tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
83
                                                   46
                                                                                                       31
              int produceCost, produceMax,
84
                                                   47
                                                              if(R[0] == 0) {
                                                                                                       32
                                                                                                                  tag[i] = 0;
                   sellPrice, sellMax,
                                                   48
                                                                  resSize = idx;
                                                                                                       33
                   inventoryMonth;
                                                   49
                                                                  return true;
                                                                                                       34
                                                                                                              int sum = 0;
              scanf("%d %d %d %d %d",
                                                   50
                                                                                                       35
                                                                                                              if (ql <= mid)</pre>
85
                   &produceCost, &produceMax,
                                                   51
                                                              int c = R[0];
                                                                                                       36
                                                                                                                  sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
                   &sellPrice, &sellMax,
                                                   52
                                                              for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                                                                       37
                                                                                                              if (qr > mid)
                   &inventoryMonth);
                                                   53
                                                                  if(colSize[i] < colSize[c]) c = i; 38</pre>
                                                                                                                 sum += query(ql, qr, mid + 1, r,
              addEdge(s, i, produceMax,
                                                                                                                       i*2+1);
                                                   54
                   produceCost);
                                                   55
                                                              remove(c);
                                                                                                       39
                                                                                                              return sum:
87
              addEdge(M + i, t, sellMax,
                                                   56
                                                              for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                       40
                                                                                                          }
                   -sellPrice);
                                                                  result[idx] = row[i];
                                                                                                          void update(int ql,int qr,int l,int r,int
                                                   57
                                                                                                       41
              for (int j = 0; j <=</pre>
                                                                  for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                               i.int c) {
                   inventoryMonth; ++j) {
                                                                                                          // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
                                                   59
                                                                     remove(col[i]);
                                                                                                       42
                                                                  if(dfs(idx+1)) return true;
                  if (i + j \le M)
                                                                                                          // c是變化量
89
                                                   60
                                                                                                       43
                                                                  for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
90
                     addEdge(i, M + i + j, INF,
                                                                                                              if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
                                                   61
                                                                                                       44
                                                                                                                 st[i] += (r - 1 + 1) * c;
                          I * j);
                                                                                                       45
                                                   62
                                                                     recover(col[i]);
91
              }
                                                   63
                                                              }
                                                                                                                       //求和,此需乘上區間長度
92
                                                   64
                                                              recover(c);
                                                                                                       46
                                                                                                                  tag[i] += c;
          printf("Case %d: %11d\n", Case,
93
                                                   65
                                                              return false;
                                                                                                       47
                                                                                                                  return;
                -MCMF());
                                                   66
                                                                                                       48
                                                          void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
                                                                                                              int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
94
                                                   67
                                                                                                       49
95
       return 0;
                                                               depth 版
                                                                                                       50
                                                                                                              if (tag[i] && l != r) {
                                                              if(R[0] == 0) {
                                                                                                                  //如果當前懶標有值則更新左右節點
96 }
                                                   68
                                                                                                       51
                                                   69
                                                                  resSize = min(resSize, idx); //
                                                                                                       52
                                                                                                                  st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                                                                                                  st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                                      注意init值
                                                                                                       53
                                                                  return:
                                                                                                       54
                                                                                                                  tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
   3.13 Dancing Links
                                                   71
                                                                                                       55
                                                                                                                  tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
                                                   72
                                                              int c = R[0];
                                                                                                       56
                                                                                                                  tag[i] = 0;
  struct DLX {
                                                   73
                                                              for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                                                                       57
       int seq, resSize;
                                                   74
                                                                  if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                                                                              if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
       int col[maxn], row[maxn];
                                                   75
                                                                                                                   * 2, c);
       int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
                                                   76
                                                              remove(c);
                                                                                                              if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
       int rowHead[maxn], colSize[maxn];
                                                   77
                                                              for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                                   i*2+1, c);
 6
       int result[maxn];
                                                   78
                                                                  for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                       60
                                                                                                              st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
 7
       DLX(int r, int c) {
                                                                                                       61 }
                                                   79
                                                                     remove(col[j]);
 8
          for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
                                                   80
                                                                  dfs(idx+1);
                                                                                                       62 //如果是直接改值而不是加值, query與update中的tag與st的
9
              L[i] = i-1, R[i] = i+1;
```

DataStructure 4.1 線段樹 1D

recover(c);

81

82

83

84

86 };

}

10

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40

U[i] = D[i] = i;

memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));

memset(colSize, 0, sizeof(colSize));

U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,

R[seq]=R[rowHead[r]];

R[rowHead[r]]=seq;

rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =

for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {

L[R[seq=c]=0]=c;

void insert(int r, int c) {

D[c]=seq:

if(rowHead[r]) {

} else {

}

void remove(int c) {

void recover(int c) {

row[++seq]=r, col[seq]=c,

L[seq]=rowHead[r],

L[R[rowHead[r]]]=seq,

L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];

for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {

U[D[j]] = U[j];

D[U[j]] = D[j];

--colSize[col[j]];

for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {

for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {

U[D[j]] = D[U[j]] = j;

++colSize[c];

resSize = -1;

```
1 #define MAXN 1000
 2 int data[MAXN]; //原數據
  int st[4 * MAXN]; //線段樹
 4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
  inline int pull(int 1, int r) {
   // 隨題目改變 sum、max、min
 7 // 1、r是左右樹的 index
      return st[l] + st[r];
9
   void build(int 1, int r, int i) {
   // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
11
12
      if (1 == r) {
13
          st[i] = data[l];
14
          return:
15
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
16
      build(1, mid, i * 2);
17
18
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
19
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
20 }
21 int query(int ql, int qr, int l, int r, int
   // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
22
      if (ql <= 1 && r <= qr)
23
24
         return st[i]:
```

int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);

for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])

recover(col[j]);

4.2 線段樹 2D

63 //改值從+=改成=

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
3 int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
   void modifyY(int index, int 1, int r, int
        val, int yPos, int xIndex, bool
        xIsLeaf) {
      if (1 == r) {
6
          if (xIsLeaf) {
             maxST[xIndex][index] =
                   minST[xIndex][index] = val;
9
          }
10
11
          maxST[xIndex][index] =
               max(maxST[xIndex * 2][index],
               maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
12
          minST[xIndex][index] =
               min(minST[xIndex * 2][index],
               minST[xIndex * 2 + 1][index]);
      }
13
14
      else {
          int mid = (1 + r) / 2;
15
16
          if (yPos <= mid)</pre>
17
              modifyY(index * 2, 1, mid, val,
                   yPos, xIndex, xIsLeaf);
18
             modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
19
                   r, val, yPos, xIndex,
                   xIsLeaf);
20
```

```
maxST[xIndex][index] =
                                                               scanf("%d", &q);
                                                                                                                    for (int i = 0; i < n; ++i)
21
                                                    77
                                                                                                         49
                max(maxST[xIndex][index * 2],
                                                               while (q--) {
                                                    78
                                                                                                         50
                                                                                                                        cin >> getArr[i];
                maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
                                                                   getchar(); //for \n
                                                    79
                                                                                                         51
                                                                                                                    //離散化
          minST[xIndex][index] =
                                                                   scanf("%c", &op);
                                                                                                                    //防止m == 0
                                                     80
                                                                                                         52
                                                                   if (op == 'q') {
                min(minST[xIndex][index * 2].
                                                    81
                                                                                                         53
                                                                                                                    if (m)
                minST[xIndex][index * 2 + 1]);
                                                                       scanf("%d %d %d %d", &xql,
                                                                                                                        sort(id + 1, id + m + 1);
                                                                                                                    int stSize = unique(id + 1, id + m +
23
                                                                            &yql, &xqr, &yqr);
                                                                                                         55
24 }
                                                                       vmax = -0x3f3f3f3f;
                                                                                                                         1) - (id + 1);
25
   void modifyX(int index, int 1, int r, int
                                                    84
                                                                       vmin = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                         56
                                                                                                                    for (int i = 1; i <= m; ++i) {
                                                                       queryX(1, 1, N, xql, xqr,
        val, int xPos, int yPos) {
                                                                                                                        nums[i] = lower_bound(id + 1, id
                                                    85
                                                                                                         57
       if (1 == r) {
                                                                            yql, yqr, vmax, vmin);
                                                                                                                             + stSize + 1, nums[i]) - id;
          modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
27
                                                                       printf("%d %d\n", vmax, vmin);
                                                                                                                    }
                                                                                                         58
                true);
                                                    87
                                                                                                         59
                                                                                                                    int addCount = 0;
28
       }
                                                    88
                                                                   else {
                                                                                                         60
                                                                                                                    int getCount = 0;
                                                                       scanf("%d %d %d", &xql, &yql,
29
       else {
                                                    89
                                                                                                         61
                                                                                                                    int k = 1;
30
          int mid = (1 + r) / 2;
                                                                            &val):
                                                                                                         62
                                                                                                                    while (getCount < n) {</pre>
31
          if (xPos <= mid)</pre>
                                                                       modifyX(1, 1, N, val, xql,
                                                                                                                        if (getArr[getCount] == addCount)
                                                                                                         63
              modifyX(index * 2, 1, mid, val,
                                                                            yql);
                   xPos, yPos);
                                                                                                                            printf("%d \setminus n", query(1, 1,
                                                    91
                                                                   }
                                                                                                         64
                                                               }
33
          else
                                                    92
                                                                                                                                 stSize, k));
                                                           }
              modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                    93
                                                                                                         65
                                                                                                                            ++k:
34
                   r, val, xPos, yPos);
                                                                                                                            ++getCount;
                                                    94
                                                           return 0;
                                                                                                         66
35
          modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                                                                                         67
                                                                                                                        }
                false);
                                                                                                         68
                                                                                                                        else {
      }
                                                                                                                            update(1, 1, stSize,
36
37 }
                                                               權值線段樹
                                                                                                                                 nums[addCount + 1]);
   void queryY(int index, int 1, int r, int
                                                                                                                            ++addCount;
38
                                                                                                         70
        yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,
                                                                                                         71
                                                                                                                        }
                                                      1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第 k小問題
        int &vmin) {
                                                                                                                    }
                                                                                                         72
                                                        //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
39
       if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
                                                                                                         73
                                                                                                                }
                                                     3 #define maxn 30005
          vmax = max(vmax,
40
                                                                                                         74
                                                                                                                return 0;
                                                      4 int nums[maxn];
               maxST[xIndex][index]);
                                                                                                         75 }
                                                     5 int getArr[maxn];
41
          vmin = min(vmin,
                                                        int id[maxn];
                minST[xIndex][index]);
                                                        int st[maxn << 2];</pre>
42
                                                                                                            4.4 Trie
                                                        void update(int index, int 1, int r, int qx)
43
       else
44
       {
                                                           if (1 == r)
                                                                                                            const int maxc = 26;
                                                                                                                                       // 單字字符數
          int mid = (1 + r) / 2;
45
          if (yql <= mid)</pre>
                                                                                                             const char minc = 'a';
                                                                                                                                       // 首個 ASCII
46
                                                     10
47
              queryY(index * 2, 1, mid, yql,
                                                    11
                                                               ++st[index];
                                                    12
                                                                                                            struct TrieNode {
                                                               return;
                   yqr, xIndex, vmax, vmin);
                                                    13
                                                                                                              int cnt;
48
           if (mid < yqr)</pre>
                                                                                                              TrieNode* child[maxc];
                                                    14
49
              queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                    yql, yqr, xIndex, vmax,
                                                    15
                                                           int mid = (1 + r) / 2;
                                                            if (qx <= mid)</pre>
                                                                                                              TrieNode() {
                    vmin);
                                                    16
                                                               update(index * 2, 1, mid, qx);
                                                                                                                cnt = 0:
50
                                                                                                                for(auto& node : child) {
   }
                                                    18
                                                                                                         10
                                                               update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
                                                                                                                  node = nullptr;
   void queryX(int index, int 1, int r, int
                                                    19
                                                                                                         11
52
                                                            st[index] = st[index * 2] + st[index * 2
                                                    20
                                                                                                         12
        xql, int xqr, int yql, int yqr, int&
                                                                 + 11:
                                                                                                         13
                                                                                                              }
        vmax, int& vmin) {
       if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>
                                                    21 | }
                                                                                                         14
                                                                                                            };
53
                                                        //找區間第k個小的
          queryY(1, 1, N, yql, yqr, index,
                                                    22
                                                                                                         15
54
                vmax, vmin);
                                                    23
                                                        int query(int index, int 1, int r, int k) {
                                                                                                         16
                                                                                                            struct Trie {
                                                    24
                                                            if(1 == r)
                                                                                                         17
                                                                                                              TrieNode* root:
55
                                                               return id[1];
56
       else {
                                                    25
                                                                                                         18
                                                           int mid = (1 + r) / 2;
          int mid = (1 + r) / 2;
                                                                                                              Trie() { root = new TrieNode(); }
57
58
          if (xql <= mid)</pre>
                                                    27
                                                            //k比左子樹小
                                                                                                         20
                                                    28
                                                            if (k <= st[index * 2])</pre>
                                                                                                         21
                                                                                                              void insert(string word) {
              queryX(index * 2, 1, mid, xql,
59
                                                                                                                TrieNode* cur = root;
                                                    29
                                                               return query(index * 2, 1, mid, k);
                                                                                                         22
                   xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
                                                                                                                for(auto& ch : word) {
                                                    30
                                                                                                         23
          if (mid < xqr)</pre>
60
                                                                                                                  int c = ch - minc;
              queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                                                               return query(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                                                                         24
61
                                                                                                                  if(!cur->child[c])
                                                                    r, k - st[index * 2]);
                                                                                                         25
                    xql, xqr, yql, yqr, vmax,
                                                     32 }
                                                                                                                    cur->child[c] = new TrieNode();
                                                                                                                  cur = cur->child[c];
                                                    33 int main() {
                                                                                                         27
62
  }
                                                    34
                                                           int t;
                                                                                                         28
63
                                                    35
                                                            cin >> t;
                                                                                                         29
                                                                                                                cur->cnt++;
64
   int main() {
                                                           bool first = true;
                                                    36
                                                                                                         30
                                                                                                              }
       while (scanf("%d", &N) != EOF) {
65
                                                            while (t--) {
          int val;
                                                    37
                                                                                                         31
66
                                                               if (first)
                                                                                                              void remove(string word) {
67
          for (int i = 1; i <= N; ++i) {
                                                    38
                                                                                                         32
                                                                                                                TrieNode* cur = root;
              for (int j = 1; j \le N; ++j) {
                                                                   first = false;
                                                                                                         33
68
                                                    39
                                                                                                                for(auto& ch : word) {
                  scanf("%d", &val);
                                                    40
                                                               else
                                                                                                         34
69
                                                    41
                                                                   puts("");
                                                                                                         35
                                                                                                                  int c = ch - minc;
70
                  modifyX(1, 1, N, val, i, j);
                                                    42
                                                               memset(st, 0, sizeof(st));
                                                                                                         36
                                                                                                                  if(!cur->child[c]) return;
71
              }
                                                                                                         37
                                                                                                                  cur = cur->child[c];
72
          }
                                                    43
                                                               int m, n;
                                                               cin >> m >> n;
                                                                                                                }
          int q;
73
                                                               for (int i = 1; i <= m; ++i) {
                                                    45
           int vmax, vmin;
                                                                                                         39
                                                                                                                cur->cnt--;
                                                                   cin >> nums[i];
                                                    46
                                                                                                         40
75
          int xql, xqr, yql, yqr;
76
          char op;
                                                    47
                                                                   id[i] = nums[i];
                                                                                                              // 字典裡有出現 word
                                                    48
```

vis[k] = true:

res += cnt[k];

return res; // 匹配到的單字量

// 建構,初始化

// !!! 建 failure link !!!

for(int k=p; k && !vis[k]; k=fail[k]) {

if(cnt[k]) vec.push_back(val[k]);

1 using DBL = double;

using TP = DBL; // 存點的型態

const DBL pi = acos(-1);

const int maxn = 5e4 + 10;

const DBL eps = 1e-8:

const TP inf = 1e30;

struct Vector {

```
bool search(string word, bool prefix=0) {
                                                  61
44
      TrieNode* cur = root:
                                                  62
      for(auto& ch : word) {
45
                                                  63
46
        int c = ch - minc;
        if(!(cur=cur->child[c])) return false;
47
                                                  65
48
49
      return cur->cnt || prefix;
                                                  67
50
                                                  68
51
                                                  69 };
     // 字典裡有 word 的前綴為 prefix
52
                                                  70
53
    bool startsWith(string prefix) {
                                                  71 ACTrie ac;
      return search(prefix, true);
                                                  72 ac.insert(s); // 加字典單字
54
55
                                                  73 // 加完字典後
56 };
                                                  74 ac.build();
                                                  75 ac.match(s); // 多模式匹配(加vec存編號)
```

4.5 AC Trie

```
const int maxn = 1e4 + 10; // 單字字數
   const int maxl = 50 + 10; // 單字字長
   const int maxc = 128;
                           // 單字字符數
   const char minc = ' '; // 首個 ASCII
   int trie[maxn*maxl][maxc]; // 原字典樹
   int val[maxn*maxl];
                           // 結尾(單字編號)
   int cnt[maxn*max1];
                            // 結尾(重複個數)
   int fail[maxn*maxl];
                            // failure link
10
   bool vis[maxn*max1];
                            // 同單字不重複
11
   struct ACTrie {
12
    int seq, root;
14
15
     ACTrie() {
16
      seq = 0;
      root = newNode();
17
18
19
     int newNode() {
20
21
      for(int i=0; i<maxc; i++) trie[seq][i]=0;</pre>
22
      val[seq] = cnt[seq] = fail[seq] = 0;
23
      return seq++;
24
25
     void insert(char* s, int wordId=0) {
26
27
      int p = root;
28
      for(; *s; s++) {
        int c = *s - minc;
29
30
        if(!trie[p][c]) trie[p][c] = newNode();
        p = trie[p][c];
31
32
33
      val[p] = wordId;
      cnt[p]++;
34
35
36
     void build() {
37
      queue<int> q({root});
38
39
      while(!q.empty()) {
40
        int p = q.front();
41
        q.pop();
42
         for(int i=0; i<maxc; i++) {</pre>
43
          int& t = trie[p][i];
44
          if(t) {
            fail[t] = p?trie[fail[p]][i]:root;
45
46
            q.push(t);
47
          } else {
48
            t = trie[fail[p]][i];
49
50
51
      }
    }
52
53
     // 要存 wordId 才要 vec
54
     // 同單字重複match要把所有vis取消掉
55
     int match(char* s, vector<int>& vec) {
57
      int res = 0;
      memset(vis, 0, sizeof(vis));
58
59
      for(int p=root; *s; s++) {
```

p = trie[p][*s-minc];

60

}

```
單調隊列
   4.6
1 //單調隊列
   "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"
 4
   example
   給出一個長度為 n 的數組,
   輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
   #include <bits/stdc++.h>
10 #define maxn 1000100
                                                 31
11 using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
   //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
14
15
   void getmin() {
16
      int head=0.tail=0:
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
17
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
               tail--:
                                                 40
          q[++tail]=i;
20
21
      for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
               tail--;
          q[++tail]=i;
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
24
25
          cout<<a[q[head]]<<" ";
      }
26
27
      cout<<endl:
28 }
   // 和上面同理
29
30
   void getmax() {
31
      int head=0,tail=0;
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
32
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--; 5.2 凸包
33
34
          q[++tail]=i;
35
      for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
36
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
37
38
          α[++tail]=i:
          while(g[head]<=i-k) head++;</pre>
39
          cout<<a[q[head]]<<" ";
41
42
      cout<<endl;
43 }
44
45
   int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
46
      for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
47
48
      getmin();
49
      getmax();
50
      return 0;
        Geometry
   5.1 Template
```

```
TP x, y;
10
11
    Vector(TP x=0, TP y=0): x(x), y(y) {}
12
    DBL length();
13 };
14
15
   Vector operator+(Vector a, Vector b) {
    return Vector(a.x+b.x, a.y+b.y); }
   Vector operator-(Vector a, Vector b) {
17
    return Vector(a.x-b.x, a.y-b.y); }
  Vector operator*(Vector a, DBL b) {
19
    return Vector(a.x*b, a.y*b); }
20
   Vector operator/(Vector a, DBL b) {
    return Vector(a.x/b, a.y/b); }
22
24
  TP dot(Vector a, Vector b) {
25
    return a.x*b.x + a.y*b.y;
26
   TP cross(Vector a, Vector b) {
27
28
    return a.x*b.y - a.y*b.x;
29
30
   DBL Vector::length() {
    return sqrt(dot(*this, *this));
32
  Vector unit_normal_vector(Vector v) {
33
    DBL len = v.length();
34
35
    return Vector(-v.y/len, v.x/len);
36
37
   using Point = Vector;
   using Polygon = vector<Point>;
39
   struct Line {
41
42
    Point p;
43
    Vector v;
44
    DBL ang:
45
    Line(Point _p={}, Vector _v={}) {
46
      p = _p;
      v = v;
47
      ang = atan2(v.y, v.x);
48
49
50
    bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
      return ang < 1.ang;</pre>
51
52
53 };
       • TP 為 Point 裡 x 和 y 的型態
       · struct Point 需要加入並另外計算的 variables:
              1. ang, 該點與基準點的 atan2 值
              2. d2, 該點與基準點的 (距離)<sup>2</sup>
1 using TP = long long;
  using Polygon = vector<Point>;
   const TP inf = 1e9; // 座標點最大值
   Polygon convex_hull(Point* p, int n) {
    auto dblcmp = [](DBL a, DBL b=0.0) {
      return (a>b) - (a<b);
    auto rmv = [&](Point a, Point b, Point c) {
10
      return cross(b-a, c-b) <= 0; // 非浮點數
11
      return dblcmp(cross(b-a, c-b)) <= 0;</pre>
12
13
14
    // 選最下裡最左的當基準點,可在輸入時計算
```

auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>

return dblcmp(cross(p1-p0, point-p0))>=0;

2 | bool inConvex(Polygon& p, Point point) {

// 不包含線上,改 '>=' 為 '<'

for(int i=1; i<p.size(); i++) {</pre>

for(int i=0, n=p.size(); i<n; i++)</pre>

sum += cross(p[i], p[(i+1)%n]);

if(!test(p[i-1], p[i])) {

p.push_back(p[0]);

p.pop_back();

return false;

p.pop_back();

return true;

DBL sum = 0;

// 計算簡單多邊形的面積

// ! p 為排序過的點 !

};

}

// 根據 TP 型態來寫,沒浮點數不用 dblcmp

auto test = [&](Point& p0, Point& p1) {

```
TP lx = inf, ly = inf;
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
17
       if(p[i].y<ly || (p[i].y==ly&&p[i].x<lx)){</pre>
18
19
         lx = p[i].x, ly = p[i].y;
20
21
     }
22
23
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
24
       p[i].ang=atan2(p[i].y-ly,p[i].x-lx);
                                                       10
25
       p[i].d2 = (p[i].x-lx)*(p[i].x-lx) +
                                                       11
26
                 (p[i].y-ly)*(p[i].y-ly);
                                                       12
27
                                                       13
28
     sort(p, p+n, [&](Point& a, Point& b) {
                                                       14
29
       if(dblcmp(a.ang, b.ang))
                                                       15
30
         return a.ang < b.ang;</pre>
                                                       16
31
       return a.d2 < b.d2;</pre>
                                                       17
     });
32
                                                       18
33
     int m = 1; // stack size
34
                                                       20
     Point st[n] = \{p[n]=p[0]\};
35
                                                       21
36
     for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
                                                       22 DBL polygonArea(Polygon& p) {
       for(;m>1&&rmv(st[m-2],st[m-1],p[i]);m--);
37
                                                      23
38
       st[m++] = p[i];
39
                                                       25
40
     return Polygon(st, st+m-1);
                                                       26
                                                       27 }
```

5.3 半平面相交

using TP = DBL; // 存點的型態

const int maxn = 5e4 + 10;

Vector u = a.p - b.p;

return a.p + a.v*t;

10

11 }

12

16

17

18

19 20

21 };

22

23

24

25

26

27

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40

using Polygon = vector<Point>;

Point intersection(Line a, Line b) {

// Return: 能形成半平面交的凸包邊界點

sort(nar.begin(), nar.end());

auto lft = [&](Point p, Line l) {

for(int i=1; i<nar.size(); i++) {</pre>

// DBL 跟 Ø 比較, 沒符點數不用

// p 是否在 1 的左半平面

int ql = 0, qr = 0;

L[++qr] = nar[i];

if(qr-ql <= 1) return {};</pre>

return Polygon(P+q1, P+qr+1);

Point P[maxn];

if(ql < qr)

Line $L[maxn] = {nar[0]};$

DBL t = 1.0*cross(b.v, u)/cross(a.v, b.v);

auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>

return dblcmp(cross(1.v, p-1.p)) > 0;

for(; ql<qr&&!lft(P[qr-1],nar[i]); qr--);</pre>

if(dblcmp(cross(L[qr].v,L[qr-1].v))==0) {

if(lft(nar[i].p,L[--qr])) L[qr]=nar[i];

P[qr-1] = intersection(L[qr-1], L[qr]);

for(; ql<qr && !lft(P[qr-1], L[ql]); qr--);</pre>

P[qr] = intersection(L[qr], L[ql]);

for(; ql<qr&&!lft(P[ql],nar[i]); ql++);</pre>

using DBL = double;

intersection

return abs(sum) / 2.0;

```
1 using ll = long long;
                                                    struct Point2D {
                                                       11 x, y;
                                                   };
                                                    struct Line2D {
                                                       Point2D s, e;
                                                       ll a, b, c;
                                                                           // L: ax + by = c
                                                       Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e){
                                                           a = e.y - s.y;
                                                 11
                                                 12
                                                           b = s.x - e.x;
                                                 13
                                                           c = a * s.x + b * s.y;
Polygon halfplaneIntersect(vector<Line>&nar){
                                                 15 };
                                                    // 用克拉馬公式求二元一次解
                                                 18 Point2D intersection2D(Line2D 11, Line2D 12){
                                                       11 D = 11.a * 12.b - 12.a * 11.b;
11 Dx = 11.c * 12.b - 12.c * 11.b;
                                                 19
                                                       ll Dy = l1.a * l2.c - l2.a * l1.c;
                                                 21
                                                 23
                                                       if(D) {
                                                                       // intersection
                                                            double x = 1.0 * Dx / D;
                                                 24
                                                 25
                                                           double y = 1.0 * Dy / D;
                                                        } else {
                                                 26
                                                 27
                                                            if(Dx || Dy) // Parallel lines
                                                                        // Same line
                                                 28
                                                            else
                                                 30 }
                                                         DP
                                                    6
                                                    6.1 抽屜
                                                  1 long long dp[70][70][2];
                                                    // 初始條件
```

```
dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
for (int i = 2; i <= 66; ++i){
   // i個抽屜 0個安全且上方 0 =
   // (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
   // (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
   dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
   for (int j = 1; j <= i; ++j) {</pre>
```

dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];

dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];

dp[i][j][0] =

dp[i][j][1] =

10

11

12

5.4 Polygon

```
1 // 判斷點 (point) 是否在凸包 (p) 內
```

```
bool vis[maxn][maxn];
7 long long dp[maxn][maxn];
   long long a[maxn];
   long long solve(int 1, int r) {
      if (1 > r) return 0;
      if (vis[l][r]) return dp[l][r];
      vis[1][r] = true;
      long long res = a[l] - solve(l + 1, r);
      res = max(res, a[r] - solve(l, r - 1));
      return dp[l][r] = res;
16 }
17 int main() {
18
```

printf("% $11d\n$ ", solve(1, n));

15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);

/*定義dp[1][r]是 $1 \sim r$ 時與先手最大差異值

轉移式: dp[l][r] = max{a[l] - solve(l + 1,

r), a[r] - solve(1, r - 1)}

裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,

6.2 Deque 最大差距

所以正負正負...*/

#define maxn 3005

6.3 LCS 和 LIS

19

20 }

```
1 //LCS 和 LIS 題目轉換
  LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
    2. 對 A,B 做 LCS
  LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
     2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
    3. 對 B 做 ITS
     4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
10
       越早出現的數字要越小
     5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
11
       直接忽略這個數字不做轉換即可
```

6.4 RangeDP

```
1 //區間dp
   int dp[55][55];
   // dp[i][j] -> [i,j] 切割區間中最小的 cost
   int cuts[55];
   int solve(int i, int j) {
      if (dp[i][j] != -1)
          return dp[i][j];
       //代表沒有其他切法,只能是cuts[j] - cuts[i]
      if (i == j - 1)
10
          return dp[i][j] = 0;
11
      int cost = 0x3f3f3f3f;
      for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
          //枚舉區間中間切點
13
14
          cost = min(cost, solve(i, m) +
15
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
16
17
      return dp[i][j] = cost;
18 }
   int main() {
19
20
      int 1,n;
      while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
21
          scanf("%d", &n);
22
          for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
23
             scanf("%d", &cuts[i]);
24
          cuts[0] = 0;
25
26
          cuts[n + 1] = 1;
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
27
          printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
```

30

8

10

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27 28

29 30

31

32

33

34

35

36

37

3

vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,

vector<vector<int>>& edges) {

G.assign(n + 5, vector<int>()); for (vector<int>& edge: edges) {

G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);

G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);

this->res.assign(n, 0);

16

17

```
Jc11
                                                     10
                                                                                                          22
                                                                                                                 int mid = (1 + r) >> 1;
       return 0:
                                                     11
                                                               memset(this->visited, 0.
                                                                                                          23
                                                                                                                 long long res = -1;
                                                                     sizeof(this->visited));
31 }
                                                                                                                 if (ql <= mid)</pre>
                                                                                                          24
                                                                this->dfs(0);
                                                                                                          25
                                                                                                                     res =
                                                                memset(this->visited, 0,
                                                     13
                                                                                                          26
                                                                                                                      max(res,query(index<<1,1,mid,q1,qr));</pre>
                                                                     sizeof(this->visited));
                                                                                                          27
                                                                                                                 if (mid < qr)</pre>
   6.5 stringDP
                                                                this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
                                                                                                          28
                                                                                                                     res =
                                                                memset(this->visited, 0,
                                                                                                          29
                                                                                                                      max(res,query((index<<1)+1,mid+1,r,ql,qr)</pre>
                                                     15
   Edit distance S_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2
                                                                     sizeof(this->visited));
                                                                                                          30
                                                                                                                 return res;
                                                                this->dfs3(0, n);
                                                                                                          31
                                                     16
                                                     17
                                                                return this->res;
                                                                                                          32
                                                                                                             int main() {
                   dp[i-1,j-1],
                                       if S_1[i] = S_2[j] 18
                                                           }
                                                                                                          33
                                                                                                                 int n;
             \min \left\{ \begin{array}{c} dp[i,j-1] \\ dp[i-1,j] \\ dp[i-1,j-1] \end{array} \right\}
                                       if S_1[i] \neq S_2[j] 19
                                                        private:
                                                                                                                 scanf("%d", &n);
                                                                                                          34
                                                            vector<vector<int>> G;
                                                                                                          35
                                                                                                                 for (int i = 1; i <= n; ++i)
                                                     21
                                                            bool visited[30005];
                                                                                                          36
                                                                                                                    scanf("%11d", &height[i]);
   Longest Palindromic Subsequence
                                                            int subtreeSize[30005];
                                                                                                          37
                                                                                                                 for (int i = 1; i <= n; ++i)
                                                                                                                    scanf("%11d", &B[i]);
                                                            vector<int> res;
                                                     23
                                                                                                          38
                                                                                                                 long long res = B[1];
                                                            //求subtreeSize
                                                                                                          39
                                            l = r
               dp[l+1,r-1]
                                                            int dfs(int u) {
                                                                                                                 update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
                                                    25
                                                                                                          40
                                          S[l] = S[r]
                                      if
              \max\{dp[l+1,r],dp[l,r-1]\} if
                                                                                                                 for (int i = 2; i <= n; ++i) {
                                          S[l] \neq S[r]
                                                    26
                                                                this->visited[u] = true;
                                                                                                          41
                                                                for (int v: this->G[u])
                                                                                                          42
                                                                                                                     long long temp;
                                                                    if (!this->visited[v])
                                                                                                                     if (height[i] - 1 >= 1)
                                                     28
                                                                                                          43
                                                                       this->subtreeSize[u] +=
                                                                                                                        temp =
         樹 DP 有幾個 path 長度為 k
                                                                            this->dfs(v);
                                                                                                          45
                                                                                                                          B[i]+query(1,1,n,1,height[i]-1);
                                                                //自己
                                                                                                          46
                                                                                                                     else
                                                     31
                                                                this->subtreeSize[u] += 1;
                                                                                                          47
 1 #define maxn 50005
                                                                                                                     update(height[i], 1, 1, n, temp);
                                                                return this->subtreeSize[u];
                                                     32
                                                                                                          48
   #define maxk 505
                                                     33
                                                                                                          49
                                                                                                                     res = max(res, temp);
   //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
                                                     34
                                                            //求res[0], 0到所有點的距離
                                                                                                          50
   long long dp[maxn][maxk];
                                                     35
                                                            int dfs2(int u, int dis) {
                                                                                                          51
                                                                                                                 printf("%11d\n", res);
   vector<vector<int>> G;
                                                     36
                                                                this->visited[u] = true;
                                                                                                          52
                                                                                                                 return 0;
   int n, k;
                                                     37
                                                                int sum = 0;
                                                                                                          53 }
   long long res = 0;
                                                                for (int v: this->G[u])
   void dfs(int u, int p) {
                                                     39
                                                                    if (!visited[v])
       //u自己
                                                                       sum += this->dfs2(v, dis + 1);
       dp[u][0] = 1;
                                                     41
                                                                //要加上自己的距離
       for (int v: G[u]) {
                                                     42
                                                                return sum + dis:
           if (v == p)
                                                     43
              continue;
                                                            //算出所有的res
                                                     44
           dfs(v. u):
                                                            void dfs3(int u, int n) {
                                                     45
           for (int i = 1; i <= k; ++i) {
                                                                this->visited[u] = true;
               //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
                                                                for (int v: this->G[u]) {
              dp[u][i] += dp[v][i - 1];
                                                     48
                                                                    if (!visited[v]) {
                                                                       this->res[v] = this->res[u] +
                                                     49
       //統計在u子樹中距離u為k的數量
                                                                            this->subtreeSize[v];
       res += dp[u][k];
                                                                       this->dfs3(v, n);
       long long cnt = 0;
                                                     51
                                                                   }
       for (int v: G[u]) {
                                                     52
                                                               }
         if (v == p)
                                                     53
                                                           }
           continue; //重點算法
                                                     54 };
         for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
           cnt +=
             dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
                                                        6.8
                                                               WeightedLIS
       }
       res += cnt / 2;
                                                      1 #define maxn 200005
   }
                                                        long long dp[maxn];
   int main() {
                                                      3 long long height[maxn];
                                                      4 long long B[maxn];
       dfs(1, -1);
                                                      5 long long st[maxn << 2];</pre>
       printf("%11d\n", res);
                                                        void update(int p, int index, int 1, int r,
       return 0;
                                                             long long v) {
38 }
                                                            if (1 == r) {
                                                               st[index] = v:
                                                     10
           TreeDP reroot
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
                                                     11
                                                            if (p <= mid)</pre>
                                                     12
 1 /*re-root dp on tree O(n + n + n) \rightarrow O(n)*/
                                                               update(p, (index << 1), 1, mid, v);
                                                     13
   class Solution {
                                                     14
   public:
                                                                update(p, (index << 1)+1,mid+1,r,v);
                                                     15
```

max(st[index<<1], st[(index<<1)+1]);</pre>

19 long long query(int index, int 1, int r, int

ql, int qr) {

if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>

return st[index];