Contents

1	ubuntu 1 1.1 run	
2	Basic 1 2.1 ascii	
3	字串 1 3.1 最長週文子字串 1 3.2 stringstream 2	
4	STL 2 4.1 priority_queue 2 4.2 deque 2 4.3 map 2 4.4 unordered_map 3 4.5 set 3 4.6 multiset 3 4.7 unordered_set 3 4.8 單調隊列 3	
5	sort 3 5.1 大數排序	
6	math 4 6.1 質數與因數 4 6.2 快速冪 4 6.3 歐拉函數 5 6.4 atan 5	
7	algorithm 5 7.1 basic 5 7.2 binary search 5 7.3 prefix sum 5 7.4 差分 6 7.5 greedy 6 7.6 floyd warshall 7 7.7 dinic 8 7.8 SegmentTree 8 7.9 Nim Game 9 7.10 Trie 9	
8	7.11 SPFA	
9	8.1 LCS 和 LIS	
10	Section2 11 10.1 thm	

ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4 if [[ "$?" == "0" ]]; then
5
            echo Running
6
            ./$1 < $1.in > $1.out
7
            echo END
8 fi
```

Basic

2.1 ascii

•							
1	1	int	char	int	char	int	char
	2	32		64	@	96	•
1	3	33	!	65	Α	97	а
1	4	34	"	66	В	98	b
	5	35	#	67	С	99	С
1	6	36	\$	68	D	100	d
1	7	37	%	69	E	101	e
2	8	38	&	70	F	102	f
	9	39	•	71	G	103	g
2	10	40	(72	Н	104	h
2	11	41)	73	I	105	i
2	12	42	*	74	J	106	j
2	13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
3	14	44	,	76	L	108	1
3	15	45	_	77	М	109	m
3	16	46		78	N	110	n
3	17	47	/	79	0	111	0
3	18	48	0	80	P	112	p
3	19	49	1	81	Q	113	q
3	20	50	2	82	R	114	r
·	21	51	3	83	S	115	S
4	22	52	4	84	T	116	t
4	23	53	5	85	U	117	u
4	24	54	6	86	V	118	V
5	25	55	7	87	W	119	W
5	26	56	8	88	X	120	X
5 5 5 6 6 7	27	57	9	89	Y	121	У
	28	58	:	90	Z	122	Z
	29	59	;	91	Γ	123	{
	30	60	<	92	\	124	1
	31	61	=	93]	125	<u>;</u>
	32	62	>	94	^	126	~
	33		?	95	_		
8							

2.2 limits

```
1 [Type]
                     [size]
                                 [range]
2 char
                                127 to -128
                      1
3 signed char
                      1
                                127 to -128
  unsigned char
                      1
                                0 to 255
5
  short
                      2
                                32767 to -32768
  int
                                2147483647 to -2147483648
6
                      4
  unsigned int
                                0 to 4294967295
8 long
                                2147483647 to -2147483648
9 unsigned long
                      4
                                0 to 18446744073709551615
10 long long
                      8
             9223372036854775807 to -9223372036854775808
11
12 double
                           1.79769e+308 to 2.22507e-308
                      8
13 long double
                      16
                           1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14 float
                      4
                              3.40282e+38 to 1.17549e-38
15 unsigned long long 8
                                0 to 18446744073709551615
16 string
                      32
```

字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include < bits / stdc ++ . h >
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
3
  using namespace std;
5
  string s;
6 int n;
8
 int ex(int 1,int r){
  int i=0;
```

```
10
     while (1-i)=0&&r+i<0&T(1-i)==T(r+i) i++;
11
     return i:
12 }
13
14 int main(){
15
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
20
     int ans=1;
     r[0]=1;
21
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
         center=i;
27
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
          center=i;
         mx=i+r[i]-1;
33
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout << ans -1 << "\n";
39
     return 0;
40 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
bwhile(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
  讀取優先權最高的值:
3
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
5
     pq.pop();
6 判斷是否為空的priority_queue:
                            //回傳 true
7
     pq.empty()
     pq.size()
8
9|如需改變priority_queue的優先權定義:
                          //預設由大到小
     priority_queue<T> pq;
10
11
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
12
                            //改成由小到大
13
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq;
                                        //cmp
```

4.2 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2 (Standard Template Library, STL)
3 中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
4 跟 vector 相似,不過在 vector 中若是要添加新元素至開端,
5 其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。
6 同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
7 讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
```

```
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
             //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
     n: 元素插入次數
17
     val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20 dq.clear()
              //清空整個 deque 佇列。
21 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
22 dq.empty()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
                若是存在任何元素,則返回0
23
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
25 dq.end()
26
                不是最後一個元素,
                而是最後一個元素的下一個位置
27
```

4.3 map

```
1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構,
2
      會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
6
  begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
7
  end():回傳指向map末尾的迭代器
  rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
  取value:it->second 或 (*it).second
14
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
  max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 | 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
  swap():交換兩個map
25
26
27| 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
  //實作範例
31
32 #include <bits/stdc++.h>
33
  using namespace std;
  int main(){
34
35
     //declaration container and iterator
36
     map<string, string> mp;
37
     map<string, string>::iterator iter;
38
     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
     //insert element
     mp.insert(pair<string, string>
41
            ("r000", "student_zero"));
42
     mp["r123"] = "student_first";
43
44
     mp["r456"] = "student_second";
45
     //traversal
```

```
47
       for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
           cout << iter -> first << " "
48
49
                         <<iter->second<<endl;
       for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
50
51
           cout << iter_r -> first << "
                 "<<iter_r->second<<endl;
52
53
       //find and erase the element
       iter=mp.find("r123");
54
       mp.erase(iter);
55
56
       iter=mp.find("r123");
       if(iter!=mp.end())
57
58
          cout << "Find, the value is "
                    <<iter->second<<endl;
59
60
       else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
61
       return 0;
62 }
```

4.4 unordered_map

```
1 | unordered_map: 存放 key-value pairs2 | 的「無序」映射資料結構。3 | 用法與map相同
```

4.5 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  取值: 使用iterator
3
4
      x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
6
      x = *st.rbegin();
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
  判斷是否為空的set:
9
10
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
14
      st.count(x):
      auto it = st.find(x);
15
16
         // binary search, O(log(N))
17
      auto it = st.lower_bound(x);
18
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.upper_bound(x);
19
20
         // binary search, O(log(N))
```

4.6 multiset

4.7 unordered_set

```
unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),

phase phase
```

```
7 unordered_set <int> myunordered_set;
8 myunordered_set.insert(2);
9 myunordered_set.insert(4);
10 myunordered_set.insert(6);
11 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
12 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0</pre>
```

4.8 單調隊列

```
1 //單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
2
  example
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
9
10
  #define maxn 1000100
11
  using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
13 int n, k;
14
15
  void getmin() {
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
17
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20
          g[++tail]=i:
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
           q[++tail]=i;
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
           cout <<a[q[head]]<<"
26
27
28
       cout << endl;
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head=0,tail=0;
32
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
37
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail]=i;
39
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
           cout <<a[q[head]]<<"
42
43
      cout << end1;
44
  }
45
46
  int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
       getmin();
50
       getmax();
51
       return 0;
52 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
# 建立空串列
6
      arr = []
      for i in range(n):
7
8
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
                              # 串列排序
9
      arr.sort()
10
      for i in arr:
11
       print(i)
                            # 依序印出串列中每個項目
    except:
12
13
      break
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
  for(int i=2;i*i<=n;i++){</pre>
5
6
       if(isprime[i])
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
7
8 }
9
10 歐拉篩0(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
16
17
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2; i < MAXN; i++){</pre>
18
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
19
20
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
       }
24
25
  }
26
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
  int GCD(int a, int b){
28
29
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
30
  }
31
32
33 質因數分解
  void primeFactorization(int n){
34
35
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
           if(p[i]*p[i]>n) break;
36
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
39
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40
41
       if(n!=1) cout << n << ' ';
42
       cout << '\n';
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 \frac{1}{ax+by=GCD(a,b)}
47
  #include <bits/stdc++.h>
48
  using namespace std;
49
  int ext_euc(int a,int b,int &x,int &y){
       if(b==0){
51
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
       }
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56
       y-=a/b*x;
57
       return d;
58 }
59
```

```
60 int main(){
       int a,b,x,y;
61
       cin>>a>>b;
62
       ext_euc(a,b,x,y);
63
64
       cout << x << ' '<< y << endl;
65
       return 0;
66
   }
67
68
69
   歌德巴赫猜想
70
71
   solution: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #include <iostream>
72
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75
   int ox[N],p[N],pr;
76
   void PrimeTable(){
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
       pr=0;
79
       for(int i=2:i<N:i++){</pre>
80
            if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
            for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
                ox[i*p[j]]=1;
       }
83
84
   }
85
86
   int main(){
       PrimeTable();
87
88
       int n;
       while(cin>>n,n){
89
90
            int x:
91
            for(x=1;;x+=2)
92
                if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
            printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
       }
94
   }
95
   problem : 給定整數 N,
96
            求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
97
   如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
   #include < bits / stdc ++. h>
102
   using namespace std;
103
104
   bool isPrime(int n){
105
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
106
            if(i*i>n) return true;
107
108
            if(n%i==0) return false;
109
       }
       return true;
110
111
   }
112
   int main(){
113
114
       int n;
115
       cin>>n;
116
       if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
117
       else cout << "3\n";</pre>
119 }
```

6.2 快速冪

```
1 計算a^b
  #include < iostream >
  #define ll long long
  using namespace std;
  const 11 MOD=1000000007;
6
7
  11 fp(11 a, 11 b) {
       int ans=1;
8
9
       while(b>0){
10
           if(b&1) ans=ans*a%MOD;
           a=a*a%MOD;
11
12
           b>>=1;
```

6.3 歐拉函數

```
1 \mid //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
3
  int phi(){
      int ans=n;
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
6
          if(n%i==0){
               ans=ans-ans/i;
8
               while(n%i==0) n/=i;
9
10
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
      return ans;
11
12 }
```

6.4 atan

```
1| 說明
    atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x的反正切。
3
4 回覆值
    atan()函數會傳回介於範圍 - /2 到 /2 弧度之間的值。
5
    atan2() 函數會傳回介於 - 至
                                 弧度之間的值。
    如果 atan2() 函數的兩個引數都是零,
7
    則函數會將 errno 設為 EDOM,並傳回值 0。
8
10|範例
11 #include <math.h>
12 #include <stdio.h>
13
  int main(void){
14
      double a,b,c,d;
15
16
      c = 0.45:
17
      d=0.23;
18
19
20
      a=atan(c);
21
      b=atan2(c,d);
22
23
      printf("atan(%1f)=%1f/n",c,a);
      printf("atan2(%1f,%1f)=%1f/n",c,d,b);
24
25
26 }
27
28 /*
29 atan (0.450000) = 0.422854
30 atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
31 */
```

7 algorithm

7.1 basic

```
min_element:找尋最小元素
min_element(first, last)
max_element:找尋最大元素
max_element(first, last)
sort:排序,預設由小排到大。
sort(first, last)
```

```
7 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp 。
8 find: 尋找元素。
9| find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
           如果不存在,則回傳 last 。
 lower_bound(first, last, val)
13 | upper_bound : 尋找第一個大於 x 的元素位置,
           如果不存在,則回傳 last 。
15 upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18
  next_permutation(first, last)
19
  prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
21 prev_permutation(first, last)
```

7.2 binary search

```
1 int binary_search(int target) {
  // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
  // index that target value exists, with "ng" doesn't.
      int ok = maxn, ng = -1;
  // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
  // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
  // (the "check" funtion
  // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
          int mid = (ok + ng) >> 1;
10
          if(check(mid)) ok = mid;
11
  else ng = mid;
// Be careful, "arr[mid]>=target" for first
12
13
  // lower_bound and "arr[mid]<=target" for</pre>
14
15 // last lower_bound. For range (ng, ok],
16 // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
  // choose the first one, or convert [ok, ng) into
17
  // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
  // the second one.
19
20
21
      return ok;
22
  }
23
24 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                    //最左邊 ≥ k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                    //最左邊 > k 的位置
26 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
27 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
                                    //等於 k 的範圍
28 (lower_bound, upper_bound)
29 equal_range(arr, arr+n, k);
```

7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
2| 陣列前n項的和。
3
  b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ ··· +a[i]
  區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
6
  #include < bits / stdc ++. h>
  using namespace std;
8
  int main(){
9
      int n;
10
       cin>>n;
       int a[n],b[n];
11
12
       for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
13
      b[0]=a[0];
14
       for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
15
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<< ' ';</pre>
      cout << '\n';
16
17
       int 1,r;
18
      cin>>l>>r:
       cout <<b[r]-b[1-1]; //區間和
19
20 }
```

else cout << 0 << '\n';

7.4 差分

```
1 // 差分
2 用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5 給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
6|因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8|在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
  最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17
      int n, 1, r, v;
      cin >> n;
18
19
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
          cin >> a[i];
20
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
22
23
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
24
25
      b[r+1] -= v;
26
27
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
          b[i] += b[i-1];
28
          cout << b[i] << ' ';
29
30
      }
31 | }
```

7.5 greedy

1 // 貪心

```
2 貪心演算法的核心為,
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
5| 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
7 確認無誤再實作。
8
9
10 刪數字問題
11 //problem
12 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
14
  //solution
15
16 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
17 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
18
19 //code
  int main(){
20
21
     string s;
     int k;
22
23
     cin>>s>>k;
24
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
25
         if((int)s.size()==0) break;
         int pos =(int)s.size()-1;
26
         for(int j=0; j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
27
28
            if(s[j]>s[j+1]){
29
                pos=j;
30
                break:
31
            }
         }
32
         s.erase(pos,1);
33
34
35
     while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
36
         s.erase(0,1);
     if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
37
```

```
39 }
40
41
42 最小區間覆蓋長度
43
  //problem
44 | 給定 n 條線段區間為 [Li, Ri],
  請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
46
47
  //solution
49 對於當前區間 [Li, Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
50 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
51
52
  //problem
53 長度 n 的直線中有數個加熱器,
  在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
54
  問最少要幾個加熱器可以把 [0.n] 的範圍加熱。
55
57
  //solution
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
58
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
59
61
  //code
  int main(){
62
63
      int n, r;
      int a[1005];
64
65
      cin>>n>>r:
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
66
67
      int i=1, ans=0;
68
      while(i<=n){
          int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
69
          int nextR=-1;
70
71
          for(int j=R;j>=L;--j){
72
             if(a[j]){
73
                 nextR=j;
74
                 break:
75
             }
          }
76
77
          if(nextR==-1){
78
             ans=-1:
             break;
79
80
          ttans:
81
82
          i=nextR+r;
83
84
      cout << ans << '\n';</pre>
85
  }
86
87
  最多不重疊區間
88
89
  //problem
  給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
  請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
91
93
  //solution
94 依照右界由小到大排序,
  每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
95
96
97
   //code
  struct Line{
98
99
      int L,R;
100
      bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
101
           return R<rhs.R;</pre>
102
103 };
104
  int main(){
105
106
      int t;
107
      cin>>t;
      Line a[30];
108
      while(t--){
109
110
          int n=0:
111
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
             ++n;
112
```

sort(a,a+n);

113

```
114
           int ans=1,R=a[0].R;
                                                         189 int main(){
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                                int n=0:
115
                                                         190
              if(a[i].L>=R){
                                                                Work a[10000];
116
                                                         191
                  ++ans;
117
                                                         192
                                                                priority_queue<int> pq;
118
                  R=a[i].R;
                                                         193
                                                                while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                                    ++n;
119
              }
                                                         194
          }
                                                                sort(a,a+n);
120
                                                         195
121
          cout << ans << '\n';
                                                         196
                                                                int sumT=0, ans=n;
       }
                                                                for(int i=0;i<n;++i){</pre>
122
                                                         197
123
                                                         198
                                                                    pq.push(a[i].t);
124
                                                         199
                                                                    sumT+=a[i].t;
                                                                    if(a[i].d<sumT){</pre>
125
                                                         200
126 最小化最大延遲問題
                                                                        int x=pq.top();
                                                         201
                                                                        pq.pop();
127 //problem
                                                         202
                                                         203
                                                                        sumT -=x;
128 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
129 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                         204
                                                                        --ans;
                                                         205
                                                                    }
130 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                         206
                                                                }
131
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                                cout << ans << '\n';
                                                         207
132
                                                         208
                                                            }
133
   //solution
                                                         209
   按照到期時間從早到晚處理。
134
                                                         210 任務調度問題
135
                                                            //problem
136
   //code
                                                         212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
137
   struct Work{
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
138
       int t. d:
                                                            請問最少會受到多少單位懲罰。
139
       bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
                                                         215
          return d<rhs.d:
140
                                                         216
                                                            //solution
141
                                                            依照懲罰由大到小排序,
                                                         217
142
  };
                                                            每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
143
                                                         218
144
   int main(){
                                                            如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                         219
145
       int n:
                                                         220
       Work a[10000];
146
                                                            //problem
                                                         221
       cin>>n;
147
                                                         222 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
148
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                         223
149
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                                單位獎勵,
       sort(a.a+n):
150
                                                            請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                         224
151
       int maxL=0, sumT=0;
                                                         225
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
152
                                                         226
                                                            //solution
           sumT+=a[i].t;
153
                                                            和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                         227
154
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                         228
155
      }
                                                         229
                                                            //code
156
       cout << maxL << '\n';</pre>
                                                            struct Work{
                                                         230
157
  }
                                                         231
158
                                                                bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                         232
159
                                                         233
                                                                    return p>rhs.p;
160 最少延遲數量問題
                                                         234
161
                                                            };
                                                         235
   給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         236
163
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                         237
                                                            int main(){
164
                                                         238
                                                                int n;
   //solution
165
                                                                Work a[100005];
                                                         239
   期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序40
166
                                                                bitset<100005> ok;
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
167
                                                         241
                                                                while(cin>>n){
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
168
                                                                    ok.reset():
                                                         242
169
                                                                    for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                         243
                                                                       cin>>a[i].d>>a[i].p;
170
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                         244
                                                         245
                                                                    sort(a,a+n);
171
                                                         246
                                                                    int ans=0:
   //problem
                                                                    for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                         247
173 給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                         248
                                                                        int j=a[i].d;
174
                                                                        while(j--)
                                                         249
175
   //solution
                                                         250
                                                                            if(!ok[j]){
   和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
176
                                                         251
                                                                               ans+=a[i].p;
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                         252
                                                                               ok[j]=true;
   工作期限 → 烏龜可承受重量
178
                                                         253
                                                                               break;
   多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
179
                                                                           }
                                                         254
180
                                                         255
   //code
181
                                                         256
                                                                    cout << ans << '\n';
   struct Work{
182
                                                         257
                                                                }
183
       int t. d:
                                                         258 }
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
184
185
           return d<rhs.d;</pre>
186
```

187 };

188

```
1 int w[n][n];
2 int d[n][n];
3 int medium[n][n];
4 // 由 i 點 到 j 點 的 路 徑 , 其 中 繼 點 為 medium [ i ] [ j ] 。
6
  void floyd_warshall(){ //0(V^3)
7
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
       for(int j=0;j<n;j++){</pre>
8
9
         d[i][j]=w[i][j];
10
         medium[i][j]=-1;
         // 預設為沒有中繼點
11
12
     for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
13
     for(int k=0;k<n;k++)</pre>
14
15
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
         for(int j=0;j<n;j++)</pre>
16
17
           if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
18
             d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
             medium[i][j]=k;
19
20
             // 由 i 點 走 到 j 點 經 過 了 k 點
           }
21
22
  }
23
24 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
25 void find_path(int s,int t){
                                    // 印出最短路徑
    if(medium[s][t]==-1) return;
                                    // 沒有中繼點就結束
26
                                    // 前半段最短路徑
27
     find_path(s,medium[s][t]);
                             // 中繼點
28
    cout << medium[s][t];</pre>
29
     find_path(medium[s][t],t);
                                   // 後半段最短路徑
30 }
```

7.7 dinic

```
1 #include <stdio.h>
  #include <string.h>
3 #include <queue>
4 #define MAXNODE 105
5 #define oo 1e9
6 using namespace std;
8 int nodeNum:
9 int graph[MAXNODE][MAXNODE];
10 int levelGraph[MAXNODE];
11 bool canReachSink[MAXNODE];
12
  bool bfs(int from, int to){
13
14
       memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
15
       levelGraph[from]=1;
16
       queue < int > q;
17
       q.push(from);
18
       int currentNode;
19
       while(!q.empty()){
           currentNode=q.front();
20
21
           a.pop():
22
           for(int nextNode=1; nextNode<=nodeNum</pre>
                                      ;++nextNode){
23
24
                if((levelGraph[nextNode]==0)&&
                    graph[currentNode][nextNode]>0){
25
26
                    levelGraph[nextNode]=
27
                        levelGraph[currentNode]+1;
28
                    q.push(nextNode);
29
                }
                if((nextNode==to)&&
30
31
                    (graph[currentNode][nextNode]>0))
32
                    return true:
33
           }
       }
34
35
       return false:
36 }
  int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
37
       if(from == to) return bottleNeck;
38
       int outFlow = 0;
39
40
       int flow;
41
       for(int nextNode=1; nextNode <= nodeNum; ++ nextNode){</pre>
           if((graph[from][nextNode]>0)&&
42
```

```
43
                (levelGraph[from] == levelGraph[nextNode] -1) &&
               canReachSink[nextNode]){
44
45
                flow=dfs(nextNode, to,
                    min(graph[from][nextNode], bottleNeck));
46
                graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
47
48
                graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
49
                outFlow+=flow:
50
               bottleNeck -= flow;
51
52
           if(bottleNeck==0) break;
53
54
       if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
55
       return outFlow:
  }
56
57
  int dinic(int from, int to){
58
       int maxFlow=0;
59
60
       while(bfs(from, to)){
61
           memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
62
           maxFlow += dfs(from, to, oo);
63
       }
64
       return maxFlow;
65 }
66
67
  int main(){
68
       int from, to, edgeNum;
69
       int NetWorkNum = 1;
       int maxFlow:
70
       while(scanf("%d",&nodeNum)!=EOF&&nodeNum!=0){
71
           memset(graph, 0, sizeof(graph));
72
73
           scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
74
           int u, v, w;
75
           for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){
                scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
76
                graph[u][v] += w;
77
78
               graph[v][u] += w;
           }
79
80
           maxFlow = dinic(from, to);
81
           printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
82
           printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
83
       }
84
       return 0;
85 }
```

7.8 SegmentTree

```
1 #define MAXN 1000
  int data[MAXN]; //原數據
  int st[4 * MAXN]; //線段樹
  int tag[4 * MAXN]; //懶標
6
  inline int pull(int 1, int r) {
7 // 隨題目改變 sum、max、min
  // 1、r是左右樹的 index
9
      return st[1] + st[r];
10 }
11
  void build(int 1, int r, int i) {
12
  // 在[1, r]區間建樹,目前根的index為i
13
14
      if (1 == r) {
15
          st[i] = data[l];
16
          return:
17
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
18
      build(1, mid, i * 2);
19
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
20
21
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
22 }
23
  int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
  // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
25
      if (ql <= l && r <= qr)</pre>
26
27
          return st[i];
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
28
29
      if (tag[i]) {
```

```
//如果當前懶標有值則更新左右節點
30
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
31
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
32
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
33
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
34
35
          tag[i] = 0;
36
37
      int sum = 0;
      if (ql <= mid)</pre>
38
          sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
39
40
      if (qr > mid)
41
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
42
      return sum;
43 }
44
45 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
46 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
  // c是變化量
47
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
48
          st[i] += (r - l + 1) * c;
49
              //求和,此需乘上區間長度
50
          tag[i] += c;
51
          return;
52
53
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
      if (tag[i] && 1 != r) {
54
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
55
56
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
57
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
58
          tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
59
60
          tag[i] = 0;
61
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);
62
63
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
64
65 }
66 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
```

67 / // 改值從 += 改成=

7.9 Nim Game

```
1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
2 //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
3 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
5 #include <bits/stdc++.h>
6 #define maxn 23+5
7
  using namespace std;
9 int SG[maxn];
10 int visited[1000+5];
11
  int pile[maxn],ans;
12
  void calculateSG(){
13
      SG[0]=0;
14
15
      for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
16
           int cur=0;
17
           for(int j=0;j<i;j++)</pre>
18
               for(int k=0; k<=j; k++)</pre>
19
                   visited[SG[j]^SG[k]]=i;
20
           while(visited[cur]==i) cur++;
21
           SG[i]=cur;
      }
22
23 }
24
25
  int main(){
26
      calculateSG();
27
      int Case=0,n;
      while(cin>>n,n){
28
29
        ans=0:
30
         for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
31
         for(int i=1;i<=n;i++) if(pile[i]&1)</pre>
             ans^=SG[n-i];
```

```
cout << "Game "<<++Case << ": ";
32
          if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";</pre>
33
34
            bool flag=0;
35
36
             for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
37
               if(pile[i]){
                 for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
38
39
                    for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
                       if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
40
                         cout << i - 1 << " " << j - 1 << " " << k - 1 << endl;
41
42
                         flag=1;
43
                         break:
                      }
44
45
46
                    if(flag) break;
                 }
47
48
                  if(flag) break;
49
50
            }
51
          }
52
53
        return 0;
54
  }
55
56
57
   input
58
   4 1 0 1 100
59
   3
      1 0 5
60
61
   output
62
   Game 1: 0 2 3
64
   Game 2: 0 1 1
65
   Game 3: -1 -1 -1
66
   */
```

7.10 Trie

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define word_maxn 4000*100+5
  #define str_maxn 300000+5
  #define sigma_num 26
  #define MOD 20071027
  using namespace std;
  int dp[str_maxn];
  char S[str maxn]:
10
  char wd[100+5];
11
12
  struct Trie{
13
       int ch[word_maxn][sigma_num];
       int val[word_maxn];
14
15
       int seq;
16
       void init(){
17
           sea=1:
           memset(ch,0,sizeof(ch));
18
19
20
       void insertion(char *s){
21
           int row=0,n=strlen(s);
22
           for(int i=0;i<n;i++){</pre>
                int letter_no=s[i]-'a';
23
24
                if(ch[row][letter_no]==0){
25
                    ch[row][letter_no]=seq;
26
                    memset(ch[seq],0,sizeof(ch[seq]));
27
                    val[seq++]=0;
28
29
               row=ch[row][letter_no];
           }
30
31
           val[row]=n;
32
       void find_prefix(char *s,int len,vector<int>&vc){
33
           int row=0;
34
           for(int i=0;i<len;i++){</pre>
35
36
                int letter_no=s[i]-'a';
37
               if(ch[row][letter_no]==0) return;
               row=ch[row][letter_no];
38
```

```
39
                 if(val[row]) vc.push_back(val[row]);
            }
40
41
       }
42 } tr;
43
44
   int main(){
       int Case=1;
45
46
       while(cin>>S){
47
            int n;
            cin>>n;
48
49
            tr.init();
            for(int i=0;i<n;i++){</pre>
50
51
                cin>>wd;
                tr.insertion(wd);
52
53
            }
            memset(dp,0,sizeof(dp));
54
55
            int N=strlen(S);
56
            dp[N]=1;
            for(int i=N-1;i>=0;i--){
57
58
                 vector<int> vc;
                 tr.find_prefix(S+i,N-i,vc);
59
60
                 for(int j=0;j<vc.size();j++)</pre>
61
                     dp[i]=(dp[i]+dp[i+vc[j]])%MOD;
            }
62
63
            cout << "Case "<<Case++<<": "<<dp[0]<<endl;
       }
64
65
       return 0;
66 }
67
68 /*
69
   input
70 abcd
71 4
72 a b cd ab
73 output
74 Case 1: 2
75 */
```

7.11 SPFA

```
1 struct Edge
2
  {
3
       int t:
4
       long long w;
       Edge(){};
5
       Edge(int _t, long long _w) : t(_t), w(_w) {}
7
  };
8
9 bool SPFA(int st) // 平均O(V + E) 最糟O(VE)
10 {
       vector<int> cnt(n, 0);
11
12
       bitset<MXV> inq(0);
       queue<int> q;
13
14
       q.push(st);
15
       dis[st] = 0;
       inq[st] = true;
16
17
       while (!q.empty())
18
       {
19
           int cur = q.front();
20
           q.pop();
21
            inq[cur] = false;
22
           for (auto &e : G[cur])
23
           {
24
                if (dis[e.t] <= dis[cur] + e.w)</pre>
25
                    continue:
26
                dis[e.t] = dis[cur] + e.w;
                if (inq[e.t])
27
28
                    continue:
29
                ++cnt[e.t];
                if (cnt[e.t] > n)
30
31
                     return false; // negtive cycle
                inq[e.t] = true;
32
33
                q.push(e.t);
           }
34
       }
35
```

```
36    return true;
37 }
```

7.12 dijkstra

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 50000+5
  #define INF 0x3f3f3f3f
  using namespace std;
  struct edge{
7
       int v,w;
8
  };
9
10
  struct Item{
11
       int u, dis;
       bool operator < (const Item &rhs)const{</pre>
12
            return dis>rhs.dis;
13
14
       }
15
  };
16
17
  vector<edge> G[maxn];
  int dist[maxn];
18
19
  void dijkstra(int s){ // O((V + E)logE)
20
21
       memset(dist,INF,sizeof(dist));
22
       dist[s]=0:
23
       priority_queue<Item> pq;
       pq.push({s,0});
24
25
       while(!pq.empty()){
26
           Item now=pq.top();
27
            pq.pop();
28
            if(now.dis>dist[now.u]) continue;
            for(edge e:G[now.u]){
29
30
                if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
                     dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
31
32
                     pq.push({e.v,dist[e.v]});
33
                }
           }
34
       }
35
36
  }
37
38
  int main(){
39
       int t, cas=1;
40
       cin>>t;
41
       while(t--){
42
            int n,m,s,t;
            cin>>n>>m>>s>>t;
43
44
            for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
45
            int u,v,w;
            for(int i=0;i<m;i++){</pre>
46
47
                cin>>u>>v>>w;
48
                G[u].push_back({v,w});
49
                G[v].push_back({u,w});
50
51
           dijkstra(s);
            cout << "Case #"<<cas++<<": ";
52
            if(dist[t]==INF) cout<<"unreachable\n";</pre>
53
            else cout<<dist[t]<<endl;</pre>
54
       }
55
56 }
```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```
8
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
    3. 對 B 做 LIS
16
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
       越早出現的數字要越小
18
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
19
```

直接忽略這個數字不做轉換即可

B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。

9 dp 表格

20

9.1 DPlist

10 Section2

10.1 thm

中文測試

$$\cdot \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$