1 1

2 2

2

12 12 12

14

14

14

14

15

15

Contents

| 1 | ubuntu | | | | | | | | | | | | | | |
|---|----------------------|---|-------------|----------|---|------|---|---|-----------|--------------|---|---|---|------|---|
| | 1.1 run | | | | | | | | | | | | | | |
| | 1.2 cp.sh | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | |
| 2 | Basic | | | | | | | | | | | | | | |
| | 2.1 ascii | | | | | | | | | | | | | | |
| | 2.2 limits | | | | | | | | | | | | | | |
| _ | фф | | | | | | | | | | | | | | |
| 3 | 字串 | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | ٠ | ٠ | | • | • | • | • | | | • | | |
| | 3.2 stringstream . | | | | | | | | | | | | | | |
| | CT1 | | | | | | | | | | | | | | |
| 4 | STL | | | | | | | | | | | | | | |
| | 4.1 priority_queue . | | | ٠ | ٠ | | ٠ | • | ٠ | • | | • | | | • |
| | 4.2 deque | | | ٠ | ٠ | | • | • | ٠ | ٠ | | • | • | | • |
| | | | | | • | | | | | • | | • | • | | • |
| | 4.4 unordered_map . | | | | | | | • | | ٠ | | | ٠ | | |
| | | | | ٠ | ٠ | | ٠ | • | ٠ | ٠ | | | ٠ | | |
| | 4.6 multiset | | | | | | | - | | • | | | • | | |
| | 4.7 unordered_set . | | | | | | • | | • | • | | | • | | |
| | 4.8 單調隊列 | | | | | | ٠ | • | | • | | | | | • |
| - | | | | | | | | | | | | | | | |
| 5 | sort | | | | | | | | | | | | | | |
| | 5.1 大數排序 | | | ٠ | ٠ | | ٠ | • | • | • | | • | | | • |
| 6 | math | | | | | | | | | | | | | | |
| 0 | 6.1 質數與因數 | | | | | | | | | | | | | | |
| | 6.2 快速幕 | | | • | • | | • | • | : | • | | | • | | • |
| | 6.3 歐拉函數 | • | | • | • | | • | • | | • | • | • | • | | • |
| | 6.4 atan | • | | • | • | | • | | - | • | • | • | • | | • |
| | 6.5 大步小步 | • | | • | • | : : | - | • | | • | | • | • | | • |
| | 0.5 人多小多 | • | | • | • | | • | • | • | • | • | • | • | | • |
| 7 | algorithm | | | | | | | | | | | | | | |
| • | 7.1 basic | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | Ċ | | | | | | • | | • | • | | • |
| | 7.3 三分搜 | • | | • | • | | • | | • | • | | • | • | | • |
| | 7.4 prefix sum | • | | Ċ | | | • | | • | • | • | • | • | | • |
| | 7.5 差分 | • | | Ċ | • | | • | • | • | • | • | • | • | • | • |
| | | | | | • | | • | • | • | • | • | • | • | • | • |
| | 7.7 floyd warshall . | | | Ċ | | | • | | | • | • | • | • | | • |
| | 7.8 dinic | | | Ċ | • | | • | | • | • | • | | • | ٠. | • |
| | 7.9 SegmentTree | | | | • | | • | • | | | | | | | • |
| | • | • | | | | | | | | | • | | • | | |
| | 7 10 Nim Game | | | - | • | | • | | | | | | • | | • |
| | 7.10 Nim Game | | | | | | | | | | | | | | • |
| | 7.11 Trie | | | | | | | : | : | | | | | | |
| | 7.11 Trie 7.12 SPFA | | | | | | | | | | | | | | |
| | 7.11 Trie | | | | | | | | | | | | | | |
| | 7.11 Trie | | | | | | | | | | | | • | | |
| | 7.11 Trie | | | | | | | | | | | | | | |
| | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| | 7.11 Trie | | Гаг | | | | | | | | | | | | |
| 8 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 8 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 8 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 8 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 9 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 9 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 9 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 9 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 9 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |
| 9 | 7.11 Trie | s | Гаг | i jan | | | | | | | | | | | |

ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4 if [[ "$?" == "0" ]]; then
         echo Running
5
6
          ./$1 < $1.in > $1.out
7
          echo END
8 fi
```

Basic

2.1 ascii

| 1 | int | char | int | char | int | char |
|----|-----|------|-----------|------|-----|------|
| 2 | 32 | | 64 | @ | 96 | • |
| 3 | 33 | ! | 65 | Α | 97 | а |
| 4 | 34 | " | 66 | В | 98 | b |
| 5 | 35 | # | 67 | С | 99 | C |
| 6 | 36 | \$ | 68 | D | 100 | d |
| 7 | 37 | % | 69 | E | 101 | e |
| 8 | 38 | & | 70 | F | 102 | f |
| 9 | 39 | , | 71 | G | 103 | g |
| 10 | 40 | (| 72 | Н | 104 | h |
| 11 | 41 |) | 73 | I | 105 | i |
| 12 | 42 | * | 74 | J | 106 | j |
| 13 | 43 | + | <i>75</i> | K | 107 | k |
| 14 | 44 | , | 76 | L | 108 | 1 |
| 15 | 45 | - | 77 | M | 109 | m |
| 16 | 46 | | 78 | N | 110 | n |
| 17 | 47 | / | 79 | 0 | 111 | 0 |
| 18 | 48 | 0 | 80 | P | 112 | p |
| 19 | 49 | 1 | 81 | Q | 113 | q |
| 20 | 50 | 2 | 82 | R | 114 | r |
| 21 | 51 | 3 | 83 | S | 115 | S |
| 22 | 52 | 4 | 84 | T | 116 | t |
| 23 | 53 | 5 | 85 | U | 117 | u |
| 24 | 54 | 6 | 86 | V | 118 | V |
| 25 | 55 | 7 | 87 | W | 119 | W |
| 26 | 56 | 8 | 88 | X | 120 | X |
| 27 | 57 | 9 | 89 | Υ | 121 | y |
| 28 | 58 | : | 90 | Ζ | 122 | Z |
| 29 | 59 | ; | 91 | Γ | 123 | { |
| 30 | 60 | < | 92 | 1 | 124 | 1 |
| 31 | 61 | = | 93 | J | 125 | } |
| 32 | 62 | > | 94 | ٨ | 126 | ~ |
| 33 | 63 | ? | 95 | _ | | |
| | | | | | | |

2.2 limits

```
1 [Type]
                       [size]
                                    [range]
   2 char
                                  127 to -128
                         1
     signed char
                         1
                                  127 to -128
     unsigned char
                         1
                                   0 to 255
   5
     short
                         2
                                   32767 to -32768
   6
     int
                                   2147483647 to -2147483648
     unsigned int
                                   0 to 4294967295
   8 long
                                   2147483647 to -2147483648
   9
     unsigned long
                         4
                                   0 to 18446744073709551615
25 10 long long
                         8
25 11
                9223372036854775807 to -9223372036854775808
  12 double
                              1.79769e+308 to 2.22507e-308
                         8
  13 long double
                         16
                              1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
  14 float
                         4
                                 3.40282e+38 to 1.17549e-38
  15 unsigned long long
                         8
                                   0 to 18446744073709551615
                         32
  16 string
```

字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include < bits / stdc ++ . h >
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
3
  using namespace std;
5
  string s;
6 int n;
8
 int ex(int 1,int r){
  int i=0;
```

```
10
     while (1-i)=0&&r+i<0&T(1-i)==T(r+i) i++;
11
     return i:
12 }
13
14 int main(){
15
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
20
     int ans=1;
     r[0]=1;
21
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i;
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
          center=i;
         mx=i+r[i]-1;
33
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout << ans -1 << "\n";
39
     return 0;
40 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
bwhile(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
  讀取優先權最高的值:
3
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
5
     pq.pop();
6 判斷是否為空的priority_queue:
                            //回傳 true
7
     pq.empty()
8
     pq.size()
9|如需改變priority_queue的優先權定義:
                           //預設由大到小
     priority_queue<T> pq;
10
11
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
12
                            //改成由小到大
13
     priority_queue < T, vector < T > , cmp > pq;
                                         //cmp
```

4.2 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫

2 (Standard Template Library, STL)

3 中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),

4 跟 vector 相似,不過在 vector

中若是要添加新元素至開端,

5 其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。

6 同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,

7 讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
```

```
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
             //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
17
     n: 元素插入次數
     val: 插入的元素值
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
              //同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20
              //清空整個 deque 佇列。
21 da.clear()
22 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
23 dq.empty()
              //若是存在任何元素,則返回0
24
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
25 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
26 dq.end()
27
              //不是最後一個元素,
              //而是最後一個元素的下一個位置
28
```

4.3 map

```
1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構,
2
      會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
6
  begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
7
  end():回傳指向map末尾的迭代器
  rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
  取value:it->second 或 (*it).second
14
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
  max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 | 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
  swap():交換兩個map
25
26
27| 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
  //實作範例
31
32 #include <bits/stdc++.h>
33
  using namespace std;
  int main(){
34
35
     //declaration container and iterator
36
     map<string, string> mp;
37
     map<string, string>::iterator iter;
38
     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
     //insert element
     mp.insert(pair<string, string>
41
            ("r000", "student_zero"));
42
     mp["r123"] = "student_first";
43
44
     mp["r456"] = "student_second";
45
     //traversal
```

```
47
       for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
           cout << iter -> first << " "
48
49
                         <<iter->second<<endl;
       for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
50
51
           cout << iter_r -> first << "
                 "<<iter_r->second<<endl;
52
53
       //find and erase the element
       iter=mp.find("r123");
54
       mp.erase(iter);
55
56
       iter=mp.find("r123");
       if(iter!=mp.end())
57
58
          cout << "Find, the value is "
                    <<iter->second<<endl;
59
60
       else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
61
       return 0;
62 }
```

4.4 unordered_map

```
1 | unordered_map: 存放 key-value pairs2 | 的「無序」映射資料結構。3 | 用法與map相同
```

4.5 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  取值: 使用iterator
3
4
      x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
6
      x = *st.rbegin();
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
  判斷是否為空的set:
9
10
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
14
      st.count(x):
      auto it = st.find(x);
15
16
         // binary search, O(log(N))
17
      auto it = st.lower_bound(x);
18
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.upper_bound(x);
19
20
         // binary search, O(log(N))
```

4.6 multiset

4.7 unordered_set

```
unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),

phase phase
```

```
7 unordered_set <int> myunordered_set;
8 myunordered_set.insert(2);
9 myunordered_set.insert(4);
10 myunordered_set.insert(6);
11 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
12 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0</pre>
```

4.8 單調隊列

```
1 //單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
2
  example
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
9
10
  #define maxn 1000100
11
  using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
13 int n, k;
14
15
  void getmin() {
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
17
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20
          g[++tail]=i:
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
           q[++tail]=i;
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
           cout <<a[q[head]]<<"
26
27
28
       cout << endl;
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head=0,tail=0;
32
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
37
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail]=i;
39
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
           cout <<a[q[head]]<<"
42
43
      cout << end1;
44
  }
45
46
  int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
       getmin();
50
       getmax();
51
       return 0;
52 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
# 建立空串列
6
      arr = []
      for i in range(n):
7
8
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
                              # 串列排序
9
      arr.sort()
10
      for i in arr:
11
       print(i)
                            # 依序印出串列中每個項目
    except:
12
13
      break
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
  for(int i=2;i*i<=n;i++){</pre>
5
6
       if(isprime[i])
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
7
8 }
9
10 歐拉篩0(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
16
17
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2; i < MAXN; i++){</pre>
18
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
19
20
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
       }
24
25
  }
26
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
  int GCD(int a, int b){
28
29
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
30
  }
31
32
33 質因數分解
  void primeFactorization(int n){
34
35
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
           if(p[i]*p[i]>n) break;
36
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
39
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40
41
       if(n!=1) cout << n << ' ';
42
       cout << '\n';
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 \frac{1}{ax+by=GCD(a,b)}
47
  #include <bits/stdc++.h>
48
  using namespace std;
49
  int ext_euc(int a,int b,int &x,int &y){
       if(b==0){
51
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
       }
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56
       y-=a/b*x;
57
       return d;
58 }
59
```

```
60 int main(){
       int a,b,x,y;
61
       cin>>a>>b;
62
       ext_euc(a,b,x,y);
63
64
       cout << x << ' '<< y << endl;
65
       return 0;
66
   }
67
68
69
   歌德巴赫猜想
70
71
   solution: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #include <iostream>
72
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75
   int ox[N],p[N],pr;
76
   void PrimeTable(){
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
       pr=0;
79
       for(int i=2:i<N:i++){</pre>
80
            if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
            for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
                ox[i*p[j]]=1;
       }
83
84
   }
85
86
   int main(){
       PrimeTable();
87
88
       int n;
       while(cin>>n,n){
89
90
            int x:
91
            for(x=1;;x+=2)
92
                if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
            printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
       }
94
   }
95
   problem : 給定整數 N,
96
            求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
97
   如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
   #include < bits / stdc ++. h>
102
   using namespace std;
103
104
   bool isPrime(int n){
105
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
106
            if(i*i>n) return true;
107
108
            if(n%i==0) return false;
109
       }
       return true;
110
111
   }
112
   int main(){
113
114
       int n;
115
       cin>>n;
116
       if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
117
       else cout << "3\n";</pre>
119 }
```

6.2 快速冪

```
1 計算a^b
  #include<iostream>
  #define ll long long
  using namespace std;
  const 11 MOD=1000000007;
6
7
  11 fp(11 a, 11 b) {
       int ans=1;
8
9
       while(b>0){
10
           if(b&1) ans=ans*a%MOD;
           a=a*a%MOD;
11
12
           b>>=1;
```

6.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
3
  int phi(){
4
      int ans=n;
5
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
6
          if(n%i==0){
              ans=ans-ans/i;
              while(n%i==0) n/=i;
8
10
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
11
      return ans;
12 }
```

6.4 atan

```
1| 說明
    atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x的反正切。
3
4 回覆值
    atan()函數會傳回介於範圍 - /2 到 /2 弧度之間的值。
5
    atan2() 函數會傳回介於 - 至
                                 弧度之間的值。
    如果 atan2() 函數的兩個引數都是零,
    則函數會將 errno 設為 EDOM,並傳回值 0。
8
10|範例
11 #include <math.h>
12 #include <stdio.h>
13
  int main(void){
14
15
      double a,b,c,d;
16
17
      c = 0.45;
18
      d=0.23;
19
      a=atan(c);
20
      b=atan2(c,d);
21
22
23
      printf("atan(%lf)=%lf/n",c,a);
      printf("atan2(%1f,%1f)=%1f/n",c,d,b);
24
25
26 }
27
28 /*
29 atan (0.450000) = 0.422854
30 atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
31 */
```

6.5 大步小步

```
      1 題意

      2 給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。

      3 4 題解

      5 餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此 B^0 B^P,B^1 B^(P+1),…,

      6 也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1 能得到結果,但會超時。</td>

      7
```

```
8 | 將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
  設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 。
9
10
11
  B^(mx+y) N(mod P)
12 B^(mx)B^y N(mod P)
  B^y N(B^(-m))^x \pmod{P}
13
14
15
  先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
  再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的 B^y。
16
17 這種算法稱為大步小步演算法,
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
18
  小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
19
20
    複雜度分析
21
22 利用 map/unorder_map 存放 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
23 枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為 0(√Plog√P)/0(√P)。
24
25
26
27
  #include <bits/stdc++.h>
28
29 using namespace std;
30 using LL = long long;
  LL B, N, P;
31
32
33
  LL fpow(LL a, LL b, LL c){
34
      LL res=1;
35
      for(;b;b >>=1){
36
          if(b&1)
37
               res=(res*a)%c;
          a=(a*a)%c;
38
39
40
      return res;
41
  }
42
     BSGS(LL a, LL b, LL p){
43
44
      a%=p,b%=p;
45
      if(a==0)
          return b==0?1:-1;
46
47
      if(b==1)
48
          return 0;
49
      map<LL, LL> tb;
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
50
51
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
52
      tb[1]=sq;
      for(LL i=1, tmp=1; i < sq; ++i){</pre>
53
54
          tmp=(tmp*a)%p;
55
          if(!tb.count(tmp))
               tb[tmp]=i;
56
57
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
58
59
          if(tb.count(b)){
60
              LL res=tb[b];
               return i*sq+(res==sq?0:res);
61
62
63
          b=(b*inv)%p;
64
      }
65
      return -1;
66
  }
67
68
  int main(){
69
      ios::sync_with_stdio(false);
      cin.tie(0),cout.tie(0);
70
71
      while(cin>>P>>B>>N){
          LL ans=BSGS(B,N,P);
72
          if(ans==-1)
73
74
               cout << "no solution\n";</pre>
75
76
              cout << ans << '\n';
77
      }
78 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
기 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
14
15
  upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
20
21 prev_permutation(first, last)
```

7.2 二分搜

```
1 int binary_search(int target) {
2 // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
3 // index that target value exists, with "ng" doesn't.
      int ok = maxn, ng = -1;
5 // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
6 // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
7 // (the "check" funtion
8 // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
9
10
          int mid = (ok + ng) >> 1;
          if(check(mid)) ok = mid;
11
          else ng = mid;
13 // Be careful, "arr[mid]>=target" for first
14 // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
15 // last lower_bound. For range (ng, ok],
16 // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
17 // choose the first one, or convert [ok, ng) into
18 // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
19 // the second one.
20
      }
21
      return ok;
22 }
23
24 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                 //最左邊 ≥ k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                 //最左邊 > k 的位置
27 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
                                 //等於 k 的範圍
28 (lower_bound, upper_bound)
29 equal_range(arr, arr+n, k);
```

7.3 三分搜

```
10
  struct Point{
11
       double x, y, z;
12
       Point() {}
13
14
       Point(double _x, double _y, double
            _z):x(_x),y(_y),z(_z){}
       void read() { cin>>x>>y>>z; }
15
16
       Point operator+(const Point &rhs) const{
           return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
17
18
19
       Point operator - (const Point &rhs) const{
20
           return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
21
       Point operator*(const double &d) const{
22
23
           return Point(x*d,y*d,z*d);
24
25
       Point operator/(const double &d) const{
26
           return Point(x/d,y/d,z/d);
27
       }
28
       double dist(const Point &rhs) const{
           double res = 0:
29
30
           res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
31
           res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
32
           res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
           return res;
33
34
       }
35
  };
36
37
  int main(){
       ios::sync_with_stdio(false);
38
       cin.tie(0),cout.tie(0);
39
40
       int T;
41
       cin>>T;
42
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
43
           double time;
           Point x1, y1, d1, x2, y2, d2;
44
45
           cin>>time;
           x1.read();
46
47
           y1.read();
48
           x2.read();
49
           y2.read();
50
           d1=(y1-x1)/time;
           d2=(y2-x2)/time;
51
52
           double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
           double ans = x1.dist(x2);
53
54
           while(abs(L-R)>1e-10){
55
                m1=(L+R)/2:
                m2=(m1+R)/2;
56
57
                f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
                f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
58
59
                ans = min(ans, min(f1, f2));
60
                if(f1<f2) R=m2;
61
                else L=m1;
62
           cout << "Case "<<ti << ": ";
63
           cout << fixed << setprecision(4) << sqrt(ans) << '\n';</pre>
64
65
       }
66 }
```

7.4 prefix sum

```
1 // 前綴和
  陣列前n項的和。
  b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ ··· +a[i]
  區間和 [l, r]:b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
  #include < bits / stdc ++. h>
7
  using namespace std;
  int main(){
      int n:
10
      cin>>n;
11
      int a[n],b[n];
12
      for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
13
      b[0]=a[0];
      for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
```

103 };

104

```
| for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';
| cout<<'\n';
| int l,r;
| cin>>l>>r;
| cout<<b[r]-b[l-1]; //區間和
| 20 | }
```

7.5 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5 給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8 在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
9 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17
      int n, 1, r, v;
      cin >> n;
18
19
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
20
          cin >> a[i];
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
22
23
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
24
      b[r+1] -= v;
25
26
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
28
          b[i] += b[i-1];
          cout << b[i] << ' ';
29
30
31 }
```

7.6 greedy

28

```
1 // 貪心
2 貪心演算法的核心為,
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
  貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
7
  確認無誤再實作。
8
10 刪數字問題
11 //problem
12 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
14
15
  //solution
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
17 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
18
19
  //code
20 int main(){
21
     string s:
22
     int k;
     cin>>s>>k:
23
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
24
        if((int)s.size()==0) break;
25
26
        int pos =(int)s.size()-1;
        for(int j=0; j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
27
```

if(s[j]>s[j+1]){

```
29
                  pos=j;
30
                  break;
              }
31
          }
32
33
          s.erase(pos,1);
34
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
35
36
          s.erase(0,1);
       if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
37
       else cout << 0 << '\n';
38
39 }
40
41
42 最小區間覆蓋長度
   //problem
43
44 | 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
45
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
   //solution
47
48 先將所有區間依照左界由小到大排序,
49 對於當前區間 [Li, Ri], 要從左界 >Ri 的所有區間中,
50 | 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
51
52
   //problem
53 長度 n 的直線中有數個加熱器,
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
54
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
55
56
57
   //solution
   對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
58
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
   //code
62
  int main(){
      int n, r;
63
       int a[1005];
64
65
      cin>>n>>r:
       for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
66
67
      int i=1, ans=0;
68
       while(i<=n){</pre>
69
          int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
          int nextR=-1:
70
71
          for(int j=R; j>=L; -- j){
              if(a[i]){
72
73
                 nextR=j;
74
                 break;
75
              }
76
          }
77
          if(nextR==-1){
              ans=-1;
78
79
              break;
80
81
          ++ans;
82
          i=nextR+r:
83
       cout <<ans << '\n';
84
85
86
87
   最多不重疊區間
88
   給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
   請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
91
92
   //solution
94 依照右界由小到大排序,
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
96
97
   //code
98
   struct Line{
      int L.R:
99
       bool operator < (const Line &rhs)const{</pre>
100
           return R<rhs.R;</pre>
101
102
```

```
105
   int main(){
                                                         180
       int t:
                                                            //code
106
                                                         181
       cin>>t;
                                                            struct Work{
107
       Line a[30];
108
                                                         183
                                                                int t, d;
109
       while(t--){
                                                         184
                                                                bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
           int n=0;
110
                                                         185
                                                                    return d<rhs.d;</pre>
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
111
                                                         186
112
                                                         187
                                                            }:
113
           sort(a,a+n);
                                                         188
           int ans=1,R=a[0].R;
114
                                                         189
                                                            int main(){
115
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                         190
                                                                int n=0;
               if(a[i].L>=R){
                                                                Work a[10000];
                                                         191
116
117
                                                         192
                                                                priority_queue<int> pq;
                  ++ans;
                  R=a[i].R:
                                                                while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
118
                                                         193
119
                                                         194
                                                                    ++n:
          }
                                                                sort(a,a+n);
120
                                                         195
121
          cout << ans << '\n';</pre>
                                                                int sumT=0,ans=n;
                                                         196
122
       }
                                                         197
                                                                for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                    pq.push(a[i].t);
123
  }
                                                         198
124
                                                         199
                                                                    sumT+=a[i].t;
                                                                    if(a[i].d<sumT){</pre>
125
                                                         200
126 最小化最大延遲問題
                                                         201
                                                                        int x=pq.top();
                                                         202
                                                                        pq.pop();
127 //problem
                                                                        sumT -=x;
                                                         203
128 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                        --ans;
                                                         204
129 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                                    }
                                                         205
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                         206
                                                                }
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                         207
                                                                cout <<ans << '\n';
132
                                                         208
                                                            }
133
   //solution
                                                         209
  |按照到期時間從早到晚處理。
134
                                                            任務調度問題
                                                         210
135
                                                            //problem
                                                         211
   //code
136
                                                         212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   struct Work{
137
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
138
       int t, d;
                                                            請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                         214
       bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
139
                                                         215
140
          return d<rhs.d;</pre>
                                                         216
                                                            //solution
141
                                                            依照懲罰由大到小排序,
142
  };
                                                         217
                                                            每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
143
                                                         218
   int main(){
144
                                                            如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                         219
145
       int n;
                                                         220
       Work a[10000];
146
                                                         221
                                                            //problem
147
       cin>>n;
                                                         222 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
148
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                         223
149
           cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                                 單位獎勵,
150
       sort(a.a+n):
                                                            請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                         224
       int maxL=0, sumT=0;
151
                                                         225
152
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                         226
                                                            //solution
          sumT+=a[i].t:
153
                                                            和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                         227
           maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
154
                                                         228
       }
155
                                                         229
                                                            //code
156
       cout << maxL << '\n';</pre>
                                                         230
                                                            struct Work{
157
  }
                                                                int d,p;
                                                         231
158
                                                         232
                                                                bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
159
                                                         233
                                                                    return p>rhs.p;
   最少延遲數量問題
160
                                                         234
   //problem
161
                                                            };
                                                         235
162 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         236
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
163
                                                         237
                                                            int main(){
                                                         238
                                                                int n;
165
  //solution
                                                         239
                                                                Work a[100005];
166 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序4
                                                                bitset<100005> ok;
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
167
                                                                while(cin>>n){
                                                         241
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
168
                                                         242
                                                                    ok.reset();
                                                                    for(int i=0;i<n;++i)</pre>
169
                                                         243
                                                         244
                                                                        cin>>a[i].d>>a[i].p;
170
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
171
                                                         245
                                                                    sort(a.a+n):
172 //problem
                                                         246
                                                                    int ans=0;
                                                                    for(int i=0;i<n;++i){</pre>
173 給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                         247
                                                                        int j=a[i].d;
                                                         248
174
                                                         249
                                                                        while(j--)
175
   //solution
                                                                            if(!ok[j]){
                                                         250
176 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                         251
                                                                                ans+=a[i].p;
  |工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                                                ok[j]=true;
                                                         252
178 工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                         253
                                                                                break;
179 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                                            }
                                                         254
```

```
3 int medium[n][n];
4 // 由 i 點到 j 點的路徑,其中繼點為 med i um [ i ] [ j ] 。
  void floyd_warshall(){ //0(V^3)
6
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
7
      for(int j=0;j<n;j++){</pre>
9
         d[i][j]=w[i][j];
10
         medium[i][j]=-1;
         // 預設為沒有中繼點
11
12
      }
    for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
13
14
    for(int k=0;k<n;k++)</pre>
15
      for(int i=0;i<n;i++)</pre>
16
         for(int j=0;j<n;j++)</pre>
17
           if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
             d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
18
19
             medium[i][j]=k;
               由 i 點 走 到 j 點 經 過 了 k 點
20
           }
21
22
  }
23
24 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
                                    // 印出最短路徑
25 void find_path(int s,int t){
    if(medium[s][t]==-1) return; // 沒有中繼點就結束
26
                                    // 前半段最短路徑
27
    find_path(s,medium[s][t]);
28
    cout << medium[s][t];</pre>
                             // 中繼點
    find_path(medium[s][t],t);
                                    // 後半段最短路徑
29
30 }
```

7.8 dinic

```
1 #include <stdio.h>
2
  #include <string.h>
3 #include <queue>
4 #define MAXNODE 105
5 #define oo 1e9
6 using namespace std;
8 int nodeNum;
9 int graph[MAXNODE][MAXNODE];
10 int levelGraph[MAXNODE];
11
  bool canReachSink[MAXNODE];
12
  bool bfs(int from, int to){
13
14
       memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
       levelGraph[from]=1;
15
       queue<int> q;
16
       q.push(from);
17
18
       int currentNode;
19
       while(!q.empty()){
           currentNode=q.front();
20
21
           q.pop();
           for(int nextNode=1; nextNode<=nodeNum</pre>
22
23
                                     ;++nextNode){
                if((levelGraph[nextNode]==0)&&
24
25
                    graph[currentNode][nextNode]>0){
26
                    levelGraph[nextNode]=
                        levelGraph[currentNode]+1;
27
                    q.push(nextNode);
28
29
30
                if((nextNode==to)&&
31
                    (graph[currentNode][nextNode]>0))
32
                    return true:
```

```
33
           }
       }
34
35
       return false;
36 }
37
  int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
       if(from == to) return bottleNeck;
38
       int outFlow = 0;
39
40
       int flow;
       for(int nextNode=1; nextNode <= nodeNum; ++ nextNode){</pre>
41
           if((graph[from][nextNode]>0)&&
42
43
                (levelGraph[from]==levelGraph[nextNode]-1)&&
                canReachSink[nextNode]){
44
45
                flow=dfs(nextNode, to,
                    min(graph[from][nextNode],bottleNeck));
46
47
                graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
48
                graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
49
                outFlow+=flow;
50
               bottleNeck -= flow;
51
52
           if(bottleNeck==0) break;
53
       if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
54
55
       return outFlow;
56
  }
57
  int dinic(int from, int to){
58
59
       int maxFlow=0;
       while(bfs(from, to)){
60
61
           memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
62
           maxFlow += dfs(from, to, oo);
63
64
       return maxFlow;
65
  }
66
67
  int main(){
68
       int from, to, edgeNum;
69
       int NetWorkNum = 1;
       int maxFlow:
70
       while(scanf("%d",&nodeNum)!=EOF&&nodeNum!=0){
71
           memset(graph, 0, sizeof(graph));
72
           scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
73
74
           int u, v, w;
75
           for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){</pre>
76
                scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
77
                graph[u][v] += w;
78
                graph[v][u] += w;
           }
79
80
           maxFlow = dinic(from, to);
           printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
81
82
           printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
83
84
       return 0;
85 }
```

7.9 SegmentTree

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
  int tag[4 * MAXN]; //懶標
6
  inline int pull(int 1, int r) {
7 // 隨題目改變 sum \ max \ min
8 // 1、r是左右樹的 index
      return st[l] + st[r];
10 }
11
12
  void build(int 1, int r, int i) {
  // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
13
      if (1 == r) {
14
15
          st[i] = data[1];
16
          return;
17
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
18
      build(1, mid, i * 2);
19
```

```
20
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
21
22 }
23
24 int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
  // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
25
      if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
26
27
          return st[i]:
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
28
29
      if (tag[i]) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
30
31
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
32
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
33
          tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
34
35
          tag[i] = 0;
36
      }
37
      int sum = 0;
      if (ql <= mid)</pre>
38
39
          sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
40
        (qr > mid)
41
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
42
      return sum;
43 }
44
45 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
46 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
47 // c是變化量
48
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
49
          st[i] += (r - l + 1) * c;
              //求和,此需乘上區間長度
50
          tag[i] += c;
51
          return;
52
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
53
54
      if (tag[i] && l != r) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
55
56
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
57
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
58
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
59
60
          tag[i] = 0;
61
62
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);</pre>
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
63
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
64
65 }
66 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
67 // 改值從 += 改成 =
```

7.10 Nim Game

```
1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
2 | //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
3 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
5 #include <bits/stdc++.h>
6 #define maxn 23+5
7 using namespace std;
9 int SG[maxn];
10 int visited[1000+5];
11
  int pile[maxn],ans;
12
13
  void calculateSG(){
14
      SG[0]=0;
15
      for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
16
          int cur=0;
          for(int j=0; j<i; j++)</pre>
17
              for(int k=0;k<=j;k++)</pre>
18
19
                  visited[SG[j]^SG[k]]=i;
20
          while(visited[cur]==i) cur++;
21
          SG[i]=cur;
      }
22
```

```
23 }
24
25
   int main(){
26
        calculateSG();
27
        int Case=0,n;
28
        while(cin>>n,n){
29
          ans=0:
30
          for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
          for(int i=1;i<=n;i++) if(pile[i]&1)</pre>
31
               ans^=SG[n-i];
32
          cout << "Game "<<++Case << ": ";
          if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";
33
34
            bool flag=0;
35
36
            for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
37
               if(pile[i]){
                 for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
38
39
                   for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
40
                      if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
41
                        cout << i - 1 << " " << j - 1 << " " << k - 1 << endl;
42
                        flag=1;
43
                        break;
                      }
44
45
                  }
                   if(flag) break;
46
47
                 if(flag) break;
48
              }
49
50
            }
51
          }
52
53
        return 0;
54 }
55
56
57
   input
58
   4 1 0 1 100
      1 0 5
59
   3
60
61
   output
62
63 Game 1: 0 2 3
   Game 2: 0 1 1
64
   Game 3: -1 -1 -1
65
66 */
```

7.11 Trie

```
#include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
3
  const int maxn = 300000 + 10;
  const int mod = 20071027;
  int dp[maxn];
  int mp[4000*100 + 10][26];
8
  char str[maxn];
10
11
  struct Trie {
12
       int seq;
13
       int val[maxn];
14
15
       Trie() {
16
           seq = 0;
17
           memset(val, 0, sizeof(val));
           memset(mp, 0, sizeof(mp));
18
19
20
21
       void insert(char* s, int len) {
22
           int r = 0;
           for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
23
                int c = s[i] - 'a';
24
25
                if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
26
                r = mp[r][c];
27
           val[r] = len;
28
```

```
29
           return:
       }
30
31
       int find(int idx, int len) {
32
33
           int result = 0;
34
           for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
               int c = str[idx] - 'a';
35
36
                if(!(r = mp[r][c])) return result;
                if(val[r]) result = (result + dp[idx +
37
                    1]) % mod;
38
           }
39
           return result;
40
       }
41
  };
42
  int main() {
43
       int n, c = 1;
44
45
       while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
46
47
           int len = strlen(str);
48
49
           char word[100+10];
50
51
           memset(dp, 0, sizeof(dp));
52
           dp[len] = 1;
53
           while(n--) {
54
                scanf("%s", word);
55
                tr.insert(word, strlen(word));
56
57
           }
58
59
           for(int i=len-1; i>=0; i--)
60
               dp[i] = tr.find(i, len);
61
           printf("Case %d: %d\n", c++, dp[0]);
62
63
       return 0:
64 }
65
  /******
   ****Input****
67
   * abcd
68
69
   * 4
   * a b cd ab
70
71
   ******
72
   ****Output***
   * Case 1: 2
73
74
   ******
75 */
```

7.12 SPFA

```
1 struct Edge
2
  {
3
       int t;
       long long w;
5
       Edge(){};
6
       Edge(int _t, long long _w) : t(_t), w(_w) {}
7
  };
8
9 bool SPFA(int st) // 平均0(V + E) 最糟0(VE)
10 {
11
       vector<int> cnt(n, 0);
12
       bitset < MXV > inq(0);
13
       queue<int> q;
       q.push(st);
14
15
       dis[st] = 0;
16
       inq[st] = true;
17
       while (!q.empty())
18
           int cur = q.front();
19
20
           q.pop();
21
           inq[cur] = false;
22
            for (auto &e : G[cur])
23
           {
                if (dis[e.t] <= dis[cur] + e.w)</pre>
24
```

```
25
                     continue:
26
                dis[e.t] = dis[cur] + e.w;
27
                if (inq[e.t])
28
                    continue:
29
                ++cnt[e.t];
30
                if (cnt[e.t] > n)
                    return false; // negtive cycle
31
32
                inq[e.t] = true;
33
                q.push(e.t);
34
35
       }
36
       return true:
37 }
```

7.13 dijkstra

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 50000+5
  #define INF 0x3f3f3f3f
3
  using namespace std;
  struct edge{
7
       int v,w;
8
  };
9
  struct Item{
10
11
       int u, dis;
       bool operator<(const Item &rhs)const{</pre>
12
13
            return dis>rhs.dis;
14
       }
15 };
16
17
  vector<edge> G[maxn];
18
  int dist[maxn];
19
  void dijkstra(int s){ // O((V + E)log(E))
20
21
       memset(dist,INF,sizeof(dist));
22
       dist[s]=0;
23
       priority_queue < Item > pq;
24
       pq.push({s,0});
25
       while(!pq.empty()){
26
           Item now=pq.top();
27
            pq.pop();
28
            if(now.dis>dist[now.u]) continue;
            for(edge e:G[now.u]){
29
                if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
30
31
                     dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
32
                     pq.push({e.v,dist[e.v]});
33
                }
           }
34
       }
35
36 }
37
38
  int main(){
       int t, cas=1;
39
40
       cin>>t;
41
       while(t--){
42
            int n,m,s,t;
43
            cin>>n>>m>>s>>t;
44
           for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
45
            int u,v,w;
            for(int i=0;i<m;i++){</pre>
46
47
                cin>>u>>v>>w;
48
                G[u].push_back({v,w});
49
                G[v].push_back({u,w});
50
            dijkstra(s);
51
52
            cout << "Case #"<<cas++<<": ";
            if(dist[t]==INF) cout << "unreachable \n";</pre>
53
54
            else cout << dist[t] << endl;</pre>
55
       }
56 }
```

7.14 SCC Tarjan

```
1 //Strongly Connected Components
2 //Tarjan O(V + E)
3 int dfn[N], low[N], dfncnt, sk[N], in_stack[N], tp;
4 //dfn[u]: dfs時u被visited的順序
5 //low[u]: 在u的dfs子樹中能回到最早已在stack中的節點
6 int scc[N], sc;//節點 u 所在 SCC 的編號
7 int sz[N]; //強連通 u 的大小
  void tarjan(int u) {
9
      low[u] = dfn[u] = ++dfncnt, s[++tp] = u,
10
           in_stack[u] = 1;
       for (int i = h[u]; i; i = e[i].nex) {
11
12
           const int &v = e[i].t;
          if (!dfn[v]) {
13
14
               tarjan(v);
15
               low[u] = min(low[u], low[v]);
16
          } else if (in_stack[v]) {
17
               low[u] = min(low[u], dfn[v]);
18
19
      if (dfn[u] == low[u]) {
20
           ++sc;
21
22
          while (s[tp] != u) {
               scc[s[tp]] = sc;
23
24
               sz[sc]++
               in_stack[s[tp]] = 0;
25
26
          }
27
           scc[s[tp]] = sc;
28
29
           sz[sc]++;
           in_stack[s[tp]] = 0;
30
31
           --tp;
      }
32
33 }
```

7.15 SCC Kosaraju

```
1 / / 做兩次 dfs, O(V + E)
2 //g 是原圖, g2 是反圖
3 //s是 dfs離開的節點
 4 void dfs1(int u) {
       vis[u] = true;
6
       for (int v : g[u])
7
           if (!vis[v]) dfs1(v);
8
       s.push_back(u);
9 }
10
   void dfs2(int u) {
11
12
       group[u] = sccCnt;
       for (int v : g2[u])
13
14
           if (!group[v]) dfs2(v);
15 }
16
  void kosaraju() {
17
18
       sccCnt = 0;
19
       for (int i = 1; i <= n; ++i)
20
           if (!vis[i]) dfs1(i);
       for (int i = n; i >= 1; --i)
21
           if (!group[s[i]]) {
22
23
               ++sccCnt;
24
               dfs2(s[i]);
           }
25
26 }
```

7.16 ArticulationPoints Tarjan

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

vector<vector<int>>> G;
```

```
5 int N;
  int timer;
7 bool visited[105];
8| int visTime[105]; // 第一次visit的時間
9 int low[105];
10 // 最小能回到的父節點(不能是自己的parent)的visTime
11 int res;
  //求割點數量
12
13
  void tarjan(int u, int parent) {
14
      int child = 0:
15
      bool isCut = false;
16
      visited[u] = true;
17
       visTime[u] = low[u] = ++timer;
       for (int v: G[u]) {
18
19
           if (!visited[v]) {
20
               ++child;
21
               tarjan(v, u);
               low[u] = min(low[u], low[v]);
22
               if (parent != -1 && low[v] >= visTime[u])
23
24
                   isCut = true;
25
           }
26
           else if (v != parent)
27
               low[u] = min(low[u], visTime[v]);
28
       //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
29
30
       if (parent == -1 && child >= 2)
31
           isCut = true;
32
       if (isCut)
33
           ++res;
34 }
35
36
  int main()
37
38
       char input[105];
       char* token:
39
40
       while (scanf("%d", &N) != EOF && N)
41
42
           G.assign(105, vector<int>());
43
           memset(visited, false, sizeof(visited));
           memset(low, 0, sizeof(low));
44
45
           memset(visTime, 0, sizeof(visited));
46
           timer = 0;
47
           res = 0;
           getchar(); // for \n
48
49
           while (fgets(input, 105, stdin))
50
               if (input[0] == '0')
51
52
                   break;
               int size = strlen(input);
53
               input[size - 1] = '\0';
55
               --size;
56
               token = strtok(input, " ");
57
               int u = atoi(token);
               int v;
58
               while (token = strtok(NULL, " "))
59
60
               {
61
                   v = atoi(token);
62
                   G[u].emplace_back(v);
63
                   G[v].emplace_back(u);
               }
64
65
           }
66
           tarjan(1, -1);
67
           printf("%d \ n", res);
68
69
       return 0;
70 }
```

7.17 最小樹狀圖

```
1 定義
2 有向圖上的最小生成樹(Directed Minimum Spanning Tree)
3 稱為最小樹形圖。
4 常用的演算法是朱劉演算法(也稱為Edmonds 演算法),
5 可以在O(nm)時間內解決最小樹形圖問題。
```

```
Jc11
    流程
8 | 1. 對於每個點,選擇它入度最小的那條邊
9 2. 如果沒有環,演算法終止;
     否則進行縮環並更新其他點到環的距離。
10
11
12 bool solve() {
13
    ans = 0;
14
    int u, v, root = 0;
15
    for (;;) {
     f(i, 0, n) in[i] = 1e100;
16
17
     f(i, 0, m) {
       u = e[i].s;
18
       v = e[i].t;
19
       if (u != v && e[i].w < in[v]) {</pre>
20
21
         in[v] = e[i].w;
22
         pre[v] = u;
23
       }
24
     f(i, 0, m) if(i!=root && in[i]>1e50) return 0;
25
     int tn = 0;
26
27
     memset(id, -1, sizeof id);
     memset(vis, -1, sizeof vis);
28
29
     in[root] = 0;
     f(i, 0, n) {
30
31
       ans += in[i];
32
       v = i;
       while(vis[v]!=i&&id[v]==-1&&v!=root){
33
34
         vis[v] = i;
         v = pre[v];
35
       }
36
       if (v != root && id[v] == -1) {
37
38
         for(int u=pre[v];u!=v;u=pre[u]) id[u]=tn;
39
         id[v] = tn++;
       }
40
41
     if (tn == 0) break;
42
     f(i, 0, n) if (id[i] == -1) id[i] = tn++;
43
44
     f(i, 0, m) {
       u = e[i].s;
45
       v = e[i].t;
46
47
       e[i].s = id[u];
48
       e[i].t = id[v];
49
       if (e[i].s != e[i].t) e[i].w -= in[v];
50
51
     n = tn;
     root = id[root];
52
53
54
    return ans;
55 }
56
57
58
   Tarjan 的DMST 演算法
59
60 Tarjan 提出了一種能夠在
61 0 (m+nlog n)時間內解決最小樹形圖問題的演算法。
62
63
64 Tarjan 的演算法分為收縮與伸展兩個過程。
65 接下來先介紹收縮的過程。
66 | 我們要假設輸入的圖是滿足強連通的,
67 如果不滿足那就加入 O(n) 條邊使其滿足,
68 並且這些邊的邊權是無窮大的。
70 | 我們需要一個堆存儲結點的入邊編號,入邊權值,
71 | 結點總代價等相關信息,由於後續過程中會有堆的合併操作,
72 這裡採用左偏樹 與並查集實現。
73 | 演算法的每一步都選擇一個任意結點v,
74 | 需要保證v不是根節點,並且在堆中沒有它的入邊。
75 再將v的最小入邊加入到堆中,
76 如果新加入的這條邊使堆中的邊形成了環,
77 那麼將構成環的那些結點收縮,
78 我們不妨將這些已經收縮的結點命名為超級結點,
79 再繼續這個過程,如果所有的頂點都縮成了超級結點,
80 | 那麼收縮過程就結束了。
81 | 整個收縮過程結束後會得到一棵收縮樹,
```

```
82 之後就會對它進行伸展操作。
83
84 | 堆中的邊總是會形成一條路徑v0 <- v1<- ... <- vk,
85 由於圖是強連通的,這個路徑必然存在,
86 並且其中的 vi 可能是最初的單一結點,
  也可能是壓縮後的超級結點。
89 最初有 v0=a,其中 a 是圖中任意的一個結點,
90 | 每次都選擇一條最小入邊 vk <- u,
91 | 如果 u 不是v0, v1,..., vk中的一個結點,
92 那麼就將結點擴展到 v k+1=u。
93 如果 u 是他們其中的一個結點 vi,
  那麼就找到了一個關於 vi <- ... <- vk <- vi的環,
  再將他們收縮為一個超級結點c。
96
97
  向隊列 P 中放入所有的結點或超級結點,
  並初始選擇任一節點 a,只要佇列不為空,就進行以下步驟:
98
  選擇 a 的最小入邊,保證不存在自環,
100
  並找到另一頭的結點 b。
  如果結點b沒有被記錄過說明未形成環,
   令 a <- b,繼續目前操作尋找環。
104
  如果 b 被記錄過了,就表示出現了環。
105
  總結點數加一,並將環上的所有結點重新編號,對堆進行合併,
106
  以及結點/超級結點的總權值的更新。
107
  更新權值操作就是將環上所有結點的入邊都收集起來,
108
  並減去環上入邊的邊權。
109
110
111
112 #include <bits/stdc++.h>
113
  using namespace std;
114 typedef long long ll;
115 #define maxn 102
116 #define INF 0x3f3f3f3f
117
118
  struct UnionFind {
    int fa[maxn << 1]:</pre>
119
    UnionFind() { memset(fa, 0, sizeof(fa)); }
120
121
    void clear(int n) {
122
      memset(fa + 1, 0, sizeof(int) * n);
123
    int find(int x) {
124
      return fa[x] ? fa[x] = find(fa[x]) : x;
125
126
127
    int operator[](int x) { return find(x); }
128
129
  struct Edge {
131
    int u, v, w, w0;
132
133
  struct Heap {
134
135
    Edge *e;
    int rk, constant;
136
137
    Heap *lch, *rch;
138
139
    Heap(Edge *_e):
140
      e(_e),rk(1),constant(0),lch(NULL),rch(NULL){}
141
142
    void push() {
      if (lch) lch->constant += constant;
143
      if (rch) rch->constant += constant;
145
      e->w += constant;
      constant = 0;
146
    }
147
148 };
149
150 Heap *merge(Heap *x, Heap *y) {
    if (!x) return y;
151
152
    if (!y) return x;
    if(x->e->w + x->constant > y->e->w + y->constant)
153
      swap(x, y);
155
    x - push();
    x - rch = merge(x - rch, y);
```

```
if (!x->lch || x->lch->rk < x->rch->rk)
157
       swap(x->lch, x->rch);
158
     if (x->rch)
159
       x->rk = x->rch->rk + 1;
160
161
     else
162
       x->rk = 1;
163
     return x;
164 }
165
166
   Edge *extract(Heap *&x) {
167
     Edge *r = x -> e;
     x \rightarrow push();
168
     x = merge(x->lch, x->rch);
169
170
     return r;
171 }
172
173 vector<Edge> in[maxn];
174 int n, m, fa[maxn << 1], nxt[maxn << 1];
175 Edge *ed[maxn << 1];
176 Heap *Q[maxn << 1];
177 UnionFind id;
178
179 void contract() {
     bool mark[maxn << 1];</pre>
180
     //將圖上的每一個節點與其相連的那些節點進行記錄
181
     for (int i = 1; i <= n; i++) {
182
       queue<Heap *> q;
183
       for (int j = 0; j < in[i].size(); j++)</pre>
184
         q.push(new Heap(&in[i][j]));
185
186
       while (q.size() > 1) {
187
         Heap *u = q.front();
         q.pop();
188
         Heap *v = q.front();
189
190
         q.pop();
191
         q.push(merge(u, v));
192
193
       Q[i] = q.front();
     }
194
     mark[1] = true;
195
     for(int a=1,b=1,p;Q[a];b=a,mark[b]=true){
196
       //尋找最小入邊以及其端點,保證無環
197
198
         ed[a] = extract(Q[a]);
199
200
         a = id[ed[a]->u];
       } while (a == b && Q[a]);
201
202
       if (a == b) break;
       if (!mark[a]) continue;
203
       //對發現的環進行收縮,以及環內的節點重新編號,
204
       //總權值更新
205
       for (a = b, n++; a != n; a = p) {
206
207
         id.fa[a] = fa[a] = n;
         if (Q[a]) Q[a]->constant -= ed[a]->w;
208
         Q[n] = merge(Q[n], Q[a]);
209
         p = id[ed[a]->u];
210
          nxt[p == n ? b : p] = a;
211
212
       }
213
     }
214 }
215
216 ll expand(int x, int r);
217 | ll expand_iter(int x) {
218
     11 r = 0;
219
     for(int u=nxt[x];u!=x;u=nxt[u]){
       if (ed[u]->w0 >= INF)
220
         return INF;
221
       else
222
         r+=expand(ed[u]->v,u)+ed[u]->w0;
223
224
     }
225
     return r;
226 }
227
   11 expand(int x, int t) {
228
229
     11 r = 0;
     for (; x != t; x = fa[x]) {
230
231
       r += expand_iter(x);
       if (r >= INF) return INF;
232
233
```

```
234
     return r;
235 }
236
   void link(int u, int v, int w) {
237
238
     in[v].push_back({u, v, w, w});
239
240
241
   int main() {
     int rt;
242
      scanf("%d %d %d", &n, &m, &rt);
243
244
      for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
       int u, v, w;
245
        scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
246
        link(u, v, w);
247
248
249
      //保證強連通
     for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
250
       link(i > 1 ? i - 1 : n, i, INF);
251
252
      contract();
253
     11 ans = expand(rt, n);
      if (ans >= INF)
254
       puts("-1");
255
256
        printf("%11d\n", ans);
257
258
     return 0;
259 }
```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```
1 //最長共同子序列(LCS)
 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
3
 C 同時為 A,B 的子序列。
5 //最長遞增子序列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
    2. 對 A,B 做 LCS
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
16
    3. 對 B 做 LIS
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
      越早出現的數字要越小
18
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
19
      直接忽略這個數字不做轉換即可
20
```

9 Section2

9.1 thm

· 中文測試

$$\cdot \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

•
$$\binom{x}{y} = \frac{x!}{y!(x-y)!}$$

•
$$\int_0^\infty e^{-x} dx$$

$$\cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

dp 表格 10

10.1 DPlist

| | 10 | dp | 表格 | · i | | | | 73 | | | | | | |
|----------|-------|---------------|-------|--------|------------|--------|------------|----------------|----------|------------|------------|--------|------------|------------|
| | | | | | | | | 74 75 | | | | | | |
| | 10.1 | D | Plist | | | | | 76 77 | I | | | | | |
| 1 | | | | | | | | 78 - 79 | I | | | | | |
| 2 | | | | | | | | l 80 l 81 | 1 | | | [[| | |
| | i | I | | I | I | I | I | - 82 I 83 | : | I | I | | ' I | I |
| | i | i | | | | | | l 84 - 85 | i | İ | l | İ | l | İ |
| 3 | 1 | I | | 1 | | 1 | | l 86 | ! | | | | | |
| , | | | | | I | | | l 87 - 88 | | | | | | |
| 2 | 1 | | | 1 | | 1 | | l 89 | | | | | | |
| | 1 | ۱ | | | | | | 91 J 92 | 1 | | I | | | |
| | l | | | l | | | | - 93 - 94 | I | | | | | |
| 7 3 | | | | | | | | l 95 l 96 | 1 | | | | | |
| | I | I | | I | I | I | I | 97 I 98 | i | I | I | I | | I |
| 2 | İ | | | İ | | İ | | 99 - 100 | i | | | | | |
| 1 | | I | | | | | | I 101 I 102 | 1 | l | l | ļ | l | I |
| 5 | ' | | | ' | ' I | | ' I | 103 | | | ' | | | ' |
| 1 | i | i | | 1 | | 1 | | l 104 l 105 | 1 | | I | | I | |
| 3 | ! | ! | | ! | ! ! | ! | ! ! | 106 I 107 | Ι | | | | | |
| ' | | | | l | | | | l 108 - 109 | l | l | l | | l | |
| : | | | | | | | | l 110 | | | | | | |
| ; | I | | | | | | | - 112 I 113 | I | I | I | I | I | I |
| | l | | | l | l | l | | l 114 - 115 | 1 | | | İ | | |
| | | | | | | [[| | l 116 | 1 | | | | | |
| , | i | I | | | I | I | I | 118 | | , I | ' I | ' | ' I | ' I |
| | i | _ i | | | | | | l 119 l 120 | i | | | İ | | |
| ı | ! | ļ | | 1 | <u> </u> | 1 | ļ | - 121 122 | ! | | ! | ! | ! ! | ! |
| | | | | | I | | | 123 - 124 | l | l | | | | |
| 7 | 1 | | | | | | | l 125 | | | | | | |
| | Ι | | | | I | | | 127 l 128 | I | | I | | | I |
| 2 | I | | | | | | | 129 - 130 | I | l | l | | l | l |
| 1 | | | | | | | | l 131 l 132 | 1 | | | | | |
| | I | <u>-</u> I | | I | I | I | I | - 133 I 134 | i | I | I | | I | I |
| | İ | | | | | | | 1 135 - 136 | | , | | | | , |
| | 1 | | | 1 | | 1 | | 137 | | | | | | |
| | | | | ! | ' ! | 1 | ı ı | 138 - 139 | 1 | I | I | I | I | I |
| | 1 | | | 1 | ! | 1 | | l 140 l 141 | 1 | | | I | | |
| | ! | | | ! | ! | ! | ! | 142 143 | | | I | I | I | I |
| | 1 | | | I | l | I | | l 144 - 145 | <u> </u> | | | | l | |
| 3 | | | | | | | | l 146 l 147 | | | | | | |
| 9 | I | I | | I | I | I | I | - 148 I 149 | | I | I | I | I | I |
| 2 | i | i | | i | I | i | I | . 143 | 1 | 1 | ' | 1 | ' | |

| 151 | | | | | | | | 228 | i | i i | i | İ | i | | i |
|------------|--------|--------|-----------|----------|--------|----------|-----|------------|--------|--------|------|--------|------|------|--------|
| 152 153 | | I | | - | | | | 229 | | | | I | | | - I |
| 154 | | | | | | | | 231 | İ | | | | | | i |
| 155 | 1 | - 1 | I | l | l | I |] : | 232 | | | | | | | - |
| 156 157 | | | l | l | | l | | 233 | | | | | | | |
| 158 | I | ı | I | I | I | I | | 235 | | | | | | | - |
| 159 | İ | i | İ | İ | İ | İ | İ : | 236 | 1 | 1 | | l | | | l |
| 160 | | | | · · | | | | 237 | I | I | | | | | I |
| 161 162 | 1 | l I | | | | | | 238 239 | 1 | | | I | | | - I |
| 163 | | | | | | | | 240 | i | i | | | | | i |
| 164 | 1 | Į. | Į. | ļ · | l · | Į. | | 241 | | | | | | | - |
| 165 166 | | | | | | | | 242 | 1 | | | | | | |
| 167 | I | I | I | I | I | I | | 244 | | | | | · | | - |
| 168 | 1 | - 1 | I | l | l | I | | 245 | 1 | | | l | | | I |
| 169 | | | I | I | · · | I | | 246 | | | | | | | - |
| 170 171 | | ¦ | ! | ! | l | ! | | 247 248 | 1 | I | I | | l | | I |
| 172 | | | | | | | - ; | 249 | İ | İ | į į | İ | į į | į į | İ |
| 173 | | ! | | <u> </u> | | <u> </u> | | 250 | | | | | | | - |
| 174 175 | I | | | | | l | | 251 252 | | | | | | | l I |
| 176 | 1 | ı | I | I | I | I | | 253 | | | | ' | | | - |
| 177 | 1 | I | I | l | I | I | | 254 | 1 | | | l | | | I |
| 178 179 | 1 | | I | I | · I | I | | 255 256 | | | | | | | - |
| 180 | i | i | ! | ! | ! | ! | | 257 | I | 1 | ı | l | ı | ı | I |
| 181 | | | | | | | - : | 258 | İ | i i | i i | İ | i i | i i | İ |
| 182 | ! | ! | <u> </u> | <u> </u> | | [| | 259 | | | | · | | | - |
| 183 184 | I | | | | | | | 260 261 | 1 | | | | | | l I |
| 185 | 1 | ı | I | I | I | I | | 262 | | | | ' | | | - |
| 186 | 1 | I | I | l | I | I | | 263 | 1 | | | l | | | I |
| 187 188 | 1 | | I | I | · I | I | | 264 265 | | | | | | | - |
| 189 | i | i | ! | ! | ! | ! | | 266 | I | 1 | ı | l | ı | ı | I |
| 190 | | | | | | | - : | 267 | İ | i i | į į | İ | į į | į į | İ |
| 191 | 1 | ! | ! | ! | | ! | | 268 | | | | | | | - |
| 192 193 | | | | | | I | | 269 270 | I | I I | | | | | l I |
| 194 | 1 | I | I | I | l | I | | 271 | | | | | | | - |
| 195 | I | I | I | l | I | I | | 272 | ! | ! | | | | | l |
| 196 197 | 1 | | I | I | · I | I | | 273 274 | I | | | | | | - |
| 198 | i | i | İ | İ | i I | İ | | 275 | I | 1 | | | | | I |
| 199 | | | | | · | | | 276 | 1 | 1 | | | | | l |
| 200 201 | 1 | I | | | | | | 277 278 | 1 | I | | · I | | | - I |
| 202 | | ' | | | | | | 279 | i I | | | | | | i I |
| 203 | I | I | I | l | I | I | | 280 | | | | | | | - |
| 204 | | | | | | | | 281 | | | | [| | | l I |
| 205 206 | 1 | I | I | I | I | I | | 282 | | ı | | | | | - |
| 207 | İ | i | İ | I | İ | İ | İ : | 284 | 1 | 1 | | | | | I |
| 208 | | | | | · | | | 285 | I | 1 | | l | | | I |
| 209 | 1 | l I | | | | | | 286 287 | 1 | | | I | | | - I |
| 211 | | | ' | ' | ' | | | 288 | i | i | | | | | i |
| 212 | ! | ! | I | l | l | I | | 289 | | | | | | | - |
| 213 | | | | | | | | 290 291 | | | | | | | |
| 214 | I | I | I | I | I | I | | 292 | | | | | | | - |
| 216 | İ | i | I | I | I | I | 1 : | 293 | 1 | I I | | l | | | I |
| 217 | | | · | | · | | | 294 | 1 | I | | l | | | - |
| 218 219 | I I | | I | ! | ! | | | 295 296 | 1 | | | · | | | - I |
| 220 | · | | | | | | | 297 | i | i | | | | | i I |
| 221 | Į. | I | Į. | ! | l | ļ. |] : | 298 | | : | | | | · | - |
| 222 | | | | | | | | 299 300 | | | |] | | | l I |
| 223 | 1 | ı | I | I | I | I | | 301 | | | | | | | - |
| 225 | Ì | i | I | I | I | I | İ : | 302 | 1 | 1 | | l | | | I |
| 226 | | | | | | | - ; | 303 | I | I | | I | | | l |
| | | | | | | | | | | | | | | | |

| | | | | 1 3 0 0 | | | | | |
|-----|----------|-----|----------|---------|------------|---|---|------------|-----|
| 1 | | | | | | | | | |
| 304 | | | | 381 | | 1 | | 1 1 | ı |
| 305 | !!!! | !!! | !!! | 382 | | | | | |
| 306 | 1 1 | 1 1 | | 383 | | 1 | | 1 1 | ı |
| 307 | | | | 384 | | 1 | | 1 1 | I |
| 308 | | 1 1 | | 385 | | | | | |
| 309 | | 1 1 | | 386 | | 1 | | (I | 1 |
| 310 | | | | 387 | | 1 | | 1 1 | - 1 |
| 311 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 388 | | | | | |
| 312 | | 1 1 | 1 1 | 389 | l I | 1 | | 1 1 | 1 |
| 313 | | | | 390 | i i | i | | i i | i |
| 314 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 391 | ' ' | | | | |
| 315 | i i i | i i | i | 392 | 1 1 | 1 | | | |
| 316 | ' ' ' | | | 393 | l I I I | 1 | | <u> </u> | ; |
| | 1 1 | 1 1 | 1 1 | | | | | · | ' |
| 317 | !!! | ! ! | | 394 | | | | | |
| 318 | 1 1 | I I | 1 1 | 395 | !!! | ! | | !!! | ! |
| 319 | | | | 396 | | 1 | | i I | - 1 |
| 320 | | l l | | 397 | | | | | |
| 321 | | l l | | 398 | | 1 | | (I | 1 |
| 322 | | | | 399 | | 1 | | 1 1 | 1 |
| 323 | | 1 1 | | 400 | | | | | |
| 324 | | 1 1 | | 401 | l I | 1 | | 1 1 | 1 |
| 325 | | | | 402 | i i | İ | | i i | Ĺ |
| 326 | | 1 1 | 1 1 | 403 | | : | | | |
| 327 | i i i | i i | i i | 404 | l I | 1 | | 1 1 | 1 |
| 328 | | | ' ' | 405 | ' ' | ; | | | i |
| | | 1 1 | 1 1 | | | | | | |
| 329 | | 1 1 | 1 I | 406 | ı ı | | | | 1 |
| 330 | ı I İ | 1 I | ı I | 407 | I I | | | <u> </u> | 1 |
| 331 | | | | 408 | ı l | I | | (I | - 1 |
| 332 | !!!! | ! ! | | 409 | | | | | |
| 333 | | 1 1 | | 410 | | 1 | | 1 1 | 1 |
| 334 | | | | 411 | | 1 | | (I | I |
| 335 | | 1 1 | | 412 | | | | | |
| 336 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 413 | | 1 | | 1 1 | 1 |
| 337 | | | | 414 | l I | 1 | | 1 1 | 1 |
| 338 | | 1 1 | 1 1 | 415 | | : | | | |
| 339 | i i i | i i | i i | 416 | l I | 1 | | 1 1 | 1 |
| 340 | | | | 417 | ' ' | i | | i i | i |
| 341 | 1 1 | 1 1 | 1 1 | 418 | | | | | |
| | ; ; ; | ; ; | | | 1 1 | | | | |
| 342 | 1 1 | 1 1 | 1 1 | 419 | | | | | ! |
| 343 | | | | 420 | l l | 1 | | 1 1 | 1 |
| 344 | !!!! | !!! | !!! | 421 | | | | | |
| 345 | 1 1 | l l | 1 1 | 422 | | 1 | | 1 1 | ı |
| 346 | | | | 423 | | 1 | | 1 1 | 1 |
| 347 | | 1 1 | | 424 | | | | | |
| 348 | | 1 1 | | 425 | | 1 | | (I | I |
| 349 | | | | 426 | | 1 | | 1 1 | 1 |
| 350 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 427 | | | | | |
| 351 | | 1 1 | 1 1 | 428 | l I | 1 | | 1 1 | 1 |
| 352 | | | | 429 | i i | i | | i i | i |
| 353 | | 1 1 | 1 1 | 430 | | | | | |
| 354 | i i i | i i | ii | 431 | l I | 1 | | | 1 |
| 355 | | | | 432 | l I | | | , i | - : |
| | 1 1 | 1 1 | 1 1 | | | | | | ' |
| 356 | | 1 1 | 1 1 | 433 | | | | | , |
| 357 | 1 1 | ı l | 1 1 | 434 | | 1 | | 1 | ļ |
| 358 | | | | 435 | ı l | I | | <i>i</i> 1 | - 1 |
| 359 | <u> </u> | į į | <u> </u> | 436 | | | | | |
| 360 | 1 1 | ı l | 1 1 | 437 | I I | I | | i I | I |
| 361 | | | | 438 | | 1 | | (I | 1 |
| 362 | 1 1 1 | I I | 1 1 | 439 | | | | | |
| 363 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 440 | | 1 | | I I | 1 |
| 364 | | | | 441 | | 1 | ĺ | ı i | i |
| 365 | 1 1 | 1 1 | 1 | 442 | | | | | |
| 366 | i i i | i i | · ' | 443 | | 1 | | 1 | 1 |
| 367 | | | | 444 | , , | i | | 1 | 1 |
| 368 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 445 | ı l | | | , I | |
| | | 1 1 | 1 1 | | | 1 | | | 1 |
| 369 | 1 1 | 1 1 | ı l | 446 | ı İ | 1 | | <i>i</i> | ! |
| 370 | | | | 447 | ı l | I | | i I | - 1 |
| 371 | <u> </u> | į l | į I | 448 | | | | | |
| 372 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 449 | | 1 | | (I | I |
| 373 | | | | 450 | | 1 | | (I | 1 |
| 374 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 451 | | | | | |
| 375 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 452 | | 1 | | | 1 |
| 376 | | | | 453 | | 1 | | ı i | i |
| 377 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 454 | · | | | | |
| 378 | i i i | i i | · ' | 455 | | 1 | | | 1 |
| 379 | | | | 456 | , , | i | | 1 | 1 |
| 380 | 1 1 1 | 1 1 | 1 1 | 457 | ı l | | | , I | |
| 200 | 1 1 | ı l | 1 | 751 | | | | | |

| 450 | | | | | | | | | | | | |
|------------|----------|--------|-----|-------|--------|----------------|--------|-------|---|----------------|----------|------------|
| 458 459 | | | 1 1 | | | 535 536 | 1 | | | I | | I I |
| 460 | · | | | | | 537 | i | | | | i İ | i i |
| 461 | I I | I | | | l | 538 | | | | · | | |
| 462 463 | | | | | | 539 540 | | | | | | |
| 464 | I I | I | 1 | l . | I | 540 | | | | | | l |
| 465 | i i | i | i i | | | 542 | 1 | | | | I | Ι Ι |
| 466 | | | | | | - 543 | 1 | | | | l | 1 |
| 467 | !!! | į. | | | | 544 | | | | | | |
| 468 469 | | | | | | 545 - 546 | 1 | | | | | l I |
| 470 | 1 1 | 1 | 1 1 | | I | 547 | | · | | ' : | | |
| 471 | i i | ĺ | i i | | l | 548 | 1 | | | | I | Ι Ι |
| 472 | | | | | · | 549 | 1 | | | | l | l I |
| 473 474 | 1 1 | l I | 1 1 | | l I | 550 551 | 1 | | | I | | |
| 475 | | | | | | - 552 | i | | | | ! | ' ' |
| 476 | 1 | 1 | 1 1 | | l | 553 | | | | · | | |
| 477 | 1 1 | I | 1 1 | | l | 554 | ! | | | <u> </u> | <u> </u> | |
| 478 | 1 1 | | | | I | - 555 I 556 | | | | | | l I |
| 479 480 | | i | 1 1 | | l I | 556 557 | 1 | | | 1 | | I I |
| 481 | · | ' | | | | - 558 | i | | | I | İ | . ' |
| 482 | 1 | 1 | 1 1 | | I | 559 | | | | | | |
| 483 | 1 | I | | | l | 560 | | | | | | <u> </u> |
| 484 485 | 1 1 | 1 | 1 | | I | - 561 562 | l | | | | | l I |
| 486 | i i | i | | · | | 563 | 1 | | | l | I | |
| 487 | · | | | | | 564 | İ | İ | ĺ | İ | İ | i i |
| 488 | !!! | ļ. | ! ! | | | 565 | | | | | | |
| 489 490 | | | | | | 566 567 | | | | | | |
| 491 | 1 1 | 1 | 1 1 | | I | 568 | | | | | | |
| 492 | i i | i | i i | i | İ | 569 | 1 | | | | I | 1 |
| 493 | | | | | | 570 | 1 | | | l | l | I I |
| 494 495 | | 1 | | | | 571 572 | 1 | | | | · I | |
| 496 | | l | | · | | - 573 | | | | | ! | |
| 497 | 1 1 | 1 | 1 1 | | I | 574 | | | | | | |
| 498 | 1 1 | 1 | 1 1 | l I | l | 575 | 1 | | | l | l | |
| 499 | 1 1 | | | | | - 576 577 | | | | | | |
| 500 501 | | i | 1 1 | | l I | 577 | 1 | | | 1 | | I I |
| 502 | · | | | | | - 579 | i | İ | | | i İ | i i |
| 503 | 1 | 1 | 1 1 | | l | 580 | | | | | | |
| 504 505 | | | | | | 581 - 582 | | | | | | |
| 506 | I I | I | 1 | l . | I | 583 | | | | | | l |
| 507 | i i | i | i i | | | 584 | 1 | | | | I | Ι Ι |
| 508 | | | | | | - 585 | 1 | | | | l | 1 |
| 509 | | - ! | | | | 586 | | | | | | |
| 510 511 | ı l | l | | | I | 587 - 588 | 1 | | | ! | 1 | ı |
| 512 | 1 1 | 1 | 1 1 | l I | I | 589 | | · | | | | |
| 513 | 1 1 | 1 | 1 1 | l I | I | 590 | [] | | | | ! | |
| 514 | 1 1 | 1 | 1 | | I | - 591 I 592 | I | | | | | I |
| 515 516 | | i I | | | ı | 592 593 | | | | _ . | I | |
| 517 | | | | | | - 594 | i | | | | I | |
| 518 | ! ! | į. |] | | l | 595 | | | | · | · | |
| 519 | | | | | | 596 | | | |] | - | |
| 520 521 | | I | | | | - 597 598 | I | ı | | : | | ı l |
| 522 | i i | i | i | | | 599 | 1 | | | l | I | 1 |
| 523 | | | | · | | - 600 | 1 | l İ | | l | l | l İ |
| 524 | <u> </u> | Į. | ! | | | 601 | | | | | · | |
| 525 526 | ı l | l | 1 | | | 602 - 603 | i I | | | l | I I | ı I |
| 527 | 1 1 | 1 | | | l | 604 | | | | | | · |
| 528 | ı i | İ | ı i | ı | I | 605 | 1 | | | l | I | 1 1 |
| 529 | | | | | · | - 606 | 1 | | | l | I | l l |
| 530 531 | | l I | | | | 607 608 | 1 | | | I | · I | |
| 531 | ı l | | | | ı | - 609 | | · | | ! | ! | : I I |
| 533 | 1 1 | 1 | 1 1 | l I | l | 610 | | | | | | |
| 534 | 1 1 | I | 1 1 | | I | 611 | 1 | | | l | I | l I |
| | | | | | | | | | | | | |

| 612 | | 1 1 | ı | 689 | I | I | I | l | I | 1 1 |
|------------|----------|---------|-------------------|--------------|---|--------|----------|--------|----------|----------|
| 613 | | | | - 690 | 1 | I | I | I | I | 1 1 |
| 614 615 | | | | 691 692 | 1 | I | I | · I | I | I I |
| 616 | | | | 693 | i | i | i | İ | i | i i |
| 617 618 | | | | 694 695 | 1 | I | I | I | I | I I |
| 619 | | | | - 696 | | i I | ' | | ' | i i |
| 620 | | !!! | ! | 697 | | | · | | | |
| 621 622 | | | ا | 698 - 699 | 1 | | | | | |
| 623 | | 1 1 | 1 | 700 | | | | | | |
| 624 | | | | 701 | | 1 | l ' | | l ' | |
| 625 626 | | | | 702 703 | | | | | I | |
| 627 | li i i i | i i | ĺ | 704 | 1 | I | l | l | l | 1 1 |
| 628 629 | | ا | | 705 706 | | | | | | |
| 630 | li i i i | iii | i | 707 | 1 | I | I | l | I | 1 1 |
| 631 | | | | 708 | 1 | I | I | l | I | 1 1 |
| 632 633 | | | | 709 710 | 1 | I | I | · I | I | I I |
| 634 | | | | 711 | i | i | İ | | İ | i i |
| 635 | ! ! ! ! | !!! | ! | 712 | | | | | | |
| 636 637 | | | ا | 713 - 714 | 1 | | | | | |
| 638 | | 1 1 | 1 | 715 | | | | | | |
| 639 | | 1 1 | I | 716 | | 1 | <u> </u> | | <u> </u> | |
| 640 641 | | | | - 717 718 | I | I | | : | | |
| 642 | li i i i | i i | i | 719 | 1 | I | I | l | I | 1 |
| 643 | | | | 720 | 1 | I | I | | I | 1 1 |
| 644 645 | | | | 721 722 | 1 | I | | | | I I |
| 646 | | | | 723 | i | i | i İ | İ | i İ | i i |
| 647 | | | | 724 725 | 1 | | · I | I | I | |
| 648 649 | | ا ا | ا | 725 | 1 | ! | ! | | ! | , , |
| 650 | i i i i | | 1 | 727 | | | | | | |
| 651 652 | | | | 728 729 | | | - | | - | |
| 653 | | 1 1 | 1 | 730 | | | | : | | |
| 654 | 1 1 1 | 1 1 | I | 731 | 1 | I | l | l | ļ | 1 1 |
| 655 656 | | | | 732 | | | | | | |
| 657 | li i i i | i i | i | 734 | 1 | I | I | I | I | 1 1 |
| 658 | | | | 735 | 1 | I | I | l | I | 1 1 |
| 659 660 | | | | 736 737 | 1 | I | I | I | I | |
| 661 | | | | 738 | i | i I | I | | I | i i |
| 662 | | | [| 739 | | | I | | | |
| 663 664 | | ا ا | ا | 740 - 741 | 1 | ! | ! | | ! | |
| 665 | | 1 1 | 1 | 742 | | | | | | |
| 666 667 | | | | 743 - 744 | | [| - | | - | |
| 668 | | | | 744 | | | I | | ı | ı l |
| 669 | ji i i i | ı i | i | 746 | ! | I | ļ | ļ | ļ | <u> </u> |
| 670 671 | | ا | . ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ | 747 748 | I | l | l | | l | ı l |
| 672 | i i i i | iii | i | 749 | 1 | I | I | l | I | 1 1 |
| 673 | | | | 750 | 1 | I | I | l | I | 1 1 |
| 674 675 | | | | 751 752 | I | I | · I | · I | I | I I |
| 676 | | | | 753 | i | İ | İ | | İ | i i |
| 677 | | !!! | ! | 754 | | | · | | | |
| 678 679 | | ا ا | ا | 755 756 | 1 | I I | I I | [[| I I | |
| 680 | | 1 1 | 1 | 757 | | | | | | . ' |
| 681 | | 1 1 | 1 | 758 | 1 | I | l ' | | l | <u> </u> |
| 682 683 | | ا ا | | 759 760 | I | I | | | I | ı l |
| 684 | li i i | i i | i | 761 | 1 | I | I | I | I | 1 1 |
| 685 | | | | 762 | 1 | 1 | l | l | l | l I |
| 686 687 | | | | 763 764 | 1 | | | · | | |
| 688 | | | | 765 | İ | İ | İ | l | İ | i i |

| 766 | | | | | | | | - 843 | 1 1 | l | I | | | l I |
|------------|------------|-----|--------|-----------------------------|--------|--------|--------|----------------|-----|--------|----------|------|------|---------|
| 767 | ļ | ! | | ļ | | ļ | ļ | 844 | | · | | | | |
| 768 769 | | | | | | | | 845 - 846 | | | | | | |
| 770 | 1 | 1 | ! | l | l | I | I | 847 | | | | | | |
| 771 772 | | | | | | | | 848 - 849 | | | | | | |
| 773 | I | 1 | | I | l | I | I | J 850 | | · | | | | |
| 774 775 | | | | | | | | 851 - 852 | | | | | | |
| 776 | I | | | I | l | I | I | 853 | | | | | | |
| 777 | I | - 1 | I | I | I | I | I | 854 | !!! | | <u> </u> | | | . ! |
| 778 779 | I | | | · I | | I | | - 855 856 | | | | · | | l I |
| 780 | i | i | İ | i İ | İ | İ | İ | 857 | 1 1 | l | I | | | l I |
| 781 782 | I | | I | · I | I | I | I | - 858 859 | | | | | | |
| 783 | i | i | İ | i İ | i i | i I | i I | l 860 | 1 1 | l | l I | | | l I |
| 784 785 | I | | I | I | I | I | I | - 861 862 | | | | | | |
| 786 | i | i | | i I | ' | İ | İ | 863 | 1 1 | l | I | | | 1 |
| 787 788 | | | | · | | I | · | - 864 865 | | | l | | | l I |
| 789 | | | | ! | | ! | ! | 866 | 1 1 | | I | | | l I |
| 790 | | | | | | | | - 867 | 1 1 | l | l I | | | I I |
| 791 792 | 1 | | ! | 1 | 1 | ! | ! | 868 869 | | | | | | |
| 793 | | | | | | | | - 870 | I i | I | I i | | ı i | ı i |
| 794 795 | | | | | | | | 871 872 | 1 | · I | | | | |
| 796 | | | | | | | | - 873 | i i | İ | i | | | i i |
| 797 798 | | | | - | | | | 874 875 | 1 | | | | | |
| 799 | | | | | ı | | | - 876 | i i | | | | | |
| 800 | | 1 | | l ' | - | I | I | 877 | | · | | | | |
| 801 802 | | | | | | | | 878 - 879 | | | | | | |
| 803 | ļ | ! | | ļ | l | I | l | 880 | | | | | | |
| 804 805 | | | | | | | | 881 - 882 | | | | | | |
| 806 | I | ! | l | l | l | I | I | l 883 | | | | | | |
| 807 808 | | | | | | | | 884 - 885 | | | | | | |
| 809 | 1 | 1 | l | l | I | I | I | J 886 | · | | | | | |
| 810 811 | | | | | | | | 887 - 888 | 1 1 | | | | | |
| 812 | I | 1 | l | I | I | I | I | l 889 | | | | | | |
| 813 814 | | | | | | | | 890 - 891 | | | | | | |
| 815 | I | 1 | l | I | I | I | I | 892 | | · | ' | | | |
| 816 817 | | | | | | | | 893 - 894 | | | | | | |
| 818 | I | 1 | l | I | I | I | I | 895 | | | | | | |
| 819 | I | - 1 | l | I | I | I | I | l 896 | !!! | | ! | | | |
| 820 821 | ı | | | · · · · · · · · · · · · · · | | | | - 897 898 | | | | | | |
| 822 | I | İ | I | I | I | I | I | l 899 | | | <u> </u> | | | . ! |
| 823 824 | 1 | | | I | | | | - 900 901 | | | | · | | |
| 825 | İ | İ | l | İ | I | İ | İ | 902 | | ļ | ļ ļ | | | |
| 826 827 | I | | | · I | | I | I | - 903 904 | | | | | | l |
| 828 | i | i | İ | I | i I | i I | i I | 905 | 1 1 | l | I | | | l I |
| 829 830 | I | | I | · I | | I | · I | - 906 907 | | | l | | | l I |
| 831 | 1 | | İ | i İ | i I | İ | İ | 908 | 1 1 | I | I | | | 1 |
| 832 | I | | | · I | | I | · | - 909 | | | | | | |
| 833 834 | 1 | | ! | ! | ı | ! | ! | 910 911 | | | | | | |
| 835 | | | | · · | | | | - 912 | I i | l | l i | | İ | ı i |
| 836 837 | 1 1 | | ! ! | I | l | | | 913 914 | | · | | | | |
| 838 | <u>-</u> - | | | | | | | - 915 | i i | l | l | | | i i |
| 839 840 | 1 | | l | | l I | l I | l I | 916 917 | | · I | | | | I |
| 841 | | | · | | | | | 918 | i i | i | i | | | i i |
| 842 | I | | | l | l | I | I | 919 | | | | | | |

| 1 | | | | | | | | | | | | |
|------------|----------|--------|-------|---------------------------|---------------------------|------------------|-------|----------|--------|--------|--------|--|
| 920 921 | | | | | - | 997 998 | 1 | | · I | | | |
| 922 | | | | | | - 999 | i | | | | | ! ! |
| 923 | 1 1 | 1 | 1 | I | I | J 1000 | | | | | | |
| 924 | 1 | 1 | 1 | I | l | 1001 | 1 | | | | | |
| 925 | | | | | ' | - 1002 | I | I | | | | l I |
| 926 927 | 1 1 | l I | 1 | | | 1003 1004 | 1 | | · I | | I | |
| 928 | | | | | | - 1005 | i | | | | | !!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!! |
| 929 | 1 1 | 1 | 1 | I | I | l 1006 | · | | | | | |
| 930 | 1 | I | 1 | I | l | 1007 | 1 | | | | | l I |
| 931 | | | | | ' | - 1008 | I | I | | | | l I |
| 932 933 | | l I | 1 | | l I | 1009 1010 | 1 | | · I | | | |
| 934 | | | | | | - 1011 | i | İ | | | | i i |
| 935 | 1 1 | 1 | 1 | I | I | 1012 | | | | | | |
| 936 | 1 1 | I | 1 | I | l | 1013 | ! | <u> </u> | | | | ! ! |
| 937 938 | 1 1 | | 1 | I | | - 1014 1015 | | | | | | |
| 939 | i i | i | i | ! | ! | 1015 | 1 | 1 | I | I | I | 1 1 |
| 940 | | : | · | | | - 1017 | i | i i | | | | i i |
| 941 | 1 | 1 | 1 | l | l | l 1018 | | | | | | |
| 942 | I I | l | 1 | I | l | 1019 | 1 | | | | | |
| 943 944 | | I | 1 | · · · · · · · · · · · · · | · · · · · · · · · · · · · | - 1020 1021 | I | I | I | | I | ı l |
| 945 | i i | i | i | | | 1021 | 1 | | l | l | l | |
| 946 | · | · · · | | | | - 1023 | 1 | ı | l | l | l | ı i |
| 947 | 1 1 | 1 | 1 | 1 | <u> </u> | 1024 | | | | · · | | |
| 948 949 | | | | | | 1025 - 1026 | | | | | | |
| 950 | 1 1 | ı | I | | | 1026 | I | | : | | | l I |
| 951 | i i | i | i | I | I | 1028 | I | I | | | | Ι Ι |
| 952 | | | | | | - 1029 | 1 | I | | | | I I |
| 953 | !!! | ļ | ! | ! | <u> </u> | 1030 | | | · | | | |
| 954 955 | | | | | | 1031 - 1032 | 1 | | | | | |
| 956 | 1 1 | 1 | I | I | I | 1032 | | | | | | |
| 957 | i i | i | i | I | I | 1034 | I | I | | | | Ι Ι |
| 958 | | | | | | - 1035 | 1 | | | | | |
| 959 | !!! | ļ | | | | 1036 | | | | | | |
| 960 961 | | | I | | | 1037 - 1038 | 1 | |]] |]] |]] | l I I I |
| 962 | 1 1 | 1 | I | I | I | l 1039 | | | : | | | |
| 963 | 1 | 1 | 1 | I | l | l 1040 | 1 | l I | l | l | l | l I |
| 964 | | | | | | - 1041 | I | I | | | | l I |
| 965 966 | | l I | 1 | | | 1042 1043 | 1 | | I | | | |
| 967 | | | | | | 1043 - 1044 | i | ! | | | | ' ' |
| 968 | 1 | 1 | 1 | I | I | 1045 | · | | | · | · · | |
| 969 | 1 1 | I | 1 | I | l | 1046 | ! | <u> </u> | | | | ! ! |
| 970 971 | 1 1 | | 1 | I | | - 1047 1048 | | | | | | |
| 972 | i i | i | İ | ! | ! | 1049 | I | I | I | I | I | 1 1 |
| 973 | | | | | | - 1050 | Ī | I | - | - | - | I I |
| 974 | <u> </u> | ! | Į. | I | ļ | l 1051 | | · | | · | | |
| 975 976 | | | | | | 1052 - 1053 | 1 | |] |] |] | |
| 976 | | I | 1 | I | I | 1053 | I | ı | | | | ı l |
| 978 | i i | i | i | i İ | I | 1055 | 1 | I | I | I | I | Ι Ι |
| 979 | | | | | · | - 1056 | 1 | I | l | l | l | l İ |
| 980 | | ļ | 1 | [| - | 1057 | 1 | · · | · I | · I | · I | , |
| 981 982 | ı l | | I | I | | 1058 - 1059 | 1 | I I | I I | I I | I I | I I |
| 983 | 1 1 | 1 | I | I | I | 1060 | | | | | | |
| 984 | ı i | i | I | I | I | 1061 | 1 | l I | l | l | l | 1 |
| 985 | | | | | · | - 1062 | 1 | l I | l | l | l | l I |
| 986 | | l ' | 1 | [| - | 1063 | 1 | I | I | · I | I | |
| 987 988 | ı l | | I | I | I | 1064 - 1065 | 1 | | ! | ! | ! | ı 1 |
| 989 | 1 1 | 1 | I | I | I | 1066 | | | | | | |
| 990 | ı i | i | 1 | I | I | 1067 | 1 | I | l | l | l | l I |
| 991 | | | | | · | - 1068 | 1 | l I | l | l | l | l I |
| 992 | | ļ | 1 | [| - | 1069 | 1 | · · | · I | · I | · I | , |
| 993 994 | ı l | | I | I | | 1070 - 1071 | 1 | I I | I I | I I | I I | ı 1 I I |
| 995 | 1 1 | 1 | I | I | I | 1071 | | | | | | |
| 996 | ı i | i | I | I | I | 1073 | 1 | l I | l | l | l | l l |
| | | | | | | | | | | | | |

| | | | | | | | | | | | ı | | |
|--------------|----------|-------|--------|--------|--------|----------|------------------|-----|---------------|--------------|---------------------|---------------------------|------------|
| 1228 1229 | 1 | | | | I | 1 | - 1305 1306 | | | | | | |
| 1230 | <u> </u> | i | i | i i | ! | <u> </u> | 1307 | 1 1 | | ı | l | ı | |
| 1231 | | ' | | ' | | | - 1308 | iii | | | | | i i |
| 1232 | I | 1 | 1 | I | I | 1 | 1309 | | | ' | | | |
| 1233 | Ì | İ | İ | l | ĺ | ĺ | 1310 | 1 1 | | | | I | I I |
| 1234 | | | | | | | - 1311 | 1 1 | | | | 1 | l I |
| 1235 | ! | 1 | ! | ! | ! | 1 | 1312 | | | · | . | | |
| 1236 | I | 1 | 1 | I | I | I | 1313 | !!! | | | | | !!! |
| 1237 1238 | 1 | | 1 | 1 | | 1 | - 1314 1315 | | | | | | l |
| 1239 | | 1 | 1 | | ! ! | 1 | 1316 | | | ı | | ı | |
| 1240 | | | | ' | ' | | - 1317 | i i | | ' | | i I | i i |
| 1241 | I | 1 | 1 | I | I | I | 1318 | | | | | | · |
| 1242 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 1 | 1319 | 1 1 | | | | I | I I |
| 1243 | | | | | | | - 1320 | 1 1 | | | | I | I I |
| 1244 | ! | ! | ! | ! | ! | ! | 1321 | | | | | | |
| 1245 1246 | | | | | | | 1322 - 1323 | | | | | | |
| 1247 | ı | 1 | 1 | ı | ı | 1 | 1323 | | | | | | l |
| 1248 | i | i | i | i i | i i | i | 1325 | 1 1 | | ı | | I | 1 1 |
| 1249 | | | · | | | | - 1326 | i i | | | | İ | i i |
| 1250 | 1 | 1 | 1 | I | 1 | 1 | 1327 | | | | | | |
| 1251 | I | 1 | 1 | I | I | I | 1328 | 1 1 | | [| | ! | l I |
| 1252 | | | | | | | - 1329 I 1330 | | | l | l | I | I I |
| 1253 1254 | I I | 1 | I I | I I | I I | 1 1 | 1330 1331 | | | | | · · · · · · · · · · · · · | |
| 1254 | | · | | | ' | | - 1332 | | | ' | i | ! | : 1 |
| 1256 | I | I | I | I | I | I | 1333 | | | | | | |
| 1257 | 1 | 1 | 1 | 1 | I | I | 1334 | 1 1 | | l I | | I | 1 |
| 1258 | | | | | | | - 1335 | 1 1 | | | | I | I I |
| 1259 | ! | ! | ! | ! | ! | ! | 1336 | | | | | | |
| 1260 1261 | | | | | | | 1337 - 1338 | | | | | | |
| 1262 | 1 | 1 | I | I | I | 1 | 1339 | | | | | | · |
| 1263 | i | i | i | i | i | i | 1340 | 1 1 | | | | I | 1 1 |
| 1264 | | | | | | | - 1341 | 1 1 | | | | I | I I |
| 1265 | 1 | 1 | 1 | 1 | I | 1 | 1342 | | | | | | |
| 1266 | I | 1 | 1 | I | I | I | 1343 | !!! | | | | | !!! |
| 1267 1268 | 1 | | 1 | 1 | | 1 | - 1344 1345 | | | | | | l I |
| 1269 | <u> </u> | i | i | i I | i I | i | 1346 | 1 1 | | ı | l | ı | 1 1 |
| 1270 | | | · | | | | - 1347 | i i | | i | | i İ | i i |
| 1271 | 1 | 1 | 1 | I | I | I | 1348 | | | | | | |
| 1272 | I | 1 | 1 | I | I | 1 | 1349 | !!! | | | | <u> </u> | !!! |
| 1273 | | | | | | | - 1350 | | | | | | l I |
| 1274 1275 | 1 | 1 | 1 | | I I | 1 | 1351 1352 | 1 1 | | I | | | I I |
| 1276 | | | | ' | | | - 1353 | i i | | | | i I | |
| 1277 | Ι | 1 | 1 | I | I | I | 1354 | | | | | | |
| 1278 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1355 | 1 1 | | | | l | l I |
| 1279 | | | | | | | 1356 | 1 1 | | | | l | 1 1 |
| 1280 | | 1 | | | | 1 | 1357 | | | | | | |
| 1281 1282 | I | l | I | I | I | I | 1358 - 1359 | 1 1 | | | | ! | i 1 I J |
| 1283 | I | 1 | 1 | I | I | I | 1360 | | | | | | |
| 1284 | Ī | Í | İ | Ī | İ | İ | 1361 | 1 1 | | l I | | I | Ι Ι |
| 1285 | | | | | | | - 1362 | I i | | ı | | I | l İ |
| 1286 | ! | ! | ! | ! | ! | ! | 1363 | | | | | | |
| 1287 | 1 | 1 | 1 | I | I | 1 | 1364 | | | | | [| I |
| 1288 1289 | 1 | | 1 | I | I | 1 | - 1365 1366 | ı | | l | | I | ı l |
| 1290 | | i | 1 | i I | l I | <u> </u> | 1367 | | | ı | | ı | |
| 1291 | | | | | | | - 1368 | i i | | | | I | i i |
| 1292 | 1 | 1 | 1 | | I | 1 | 1369 | | | | | | |
| 1293 | 1 | 1 | 1 | | 1 | 1 | 1370 | 1 1 | | | | I | I I |
| 1294 | | | | | | | - 1371 | 1 1 | | | | I | 1 1 |
| 1295 | 1 | 1 | | | 1 | | 1372 | | | | | · | |
| 1296 1297 | I | l | I | I | I | I | 1373 - 1374 | | | | | I I | i |
| 1298 | I | 1 | I | I | I | I | 1374 | | | | | ' | |
| 1299 | i | i | i | i | İ | i | 1376 | | | | | I | 1 |
| 1300 | | | | | | | - 1377 | ı i | | ı | | I | l Í |
| 1301 | 1 | 1 | 1 | 1 | I | 1 | 1378 | | | | · | | |
| 1302 | I | 1 | I | I | I | 1 | 1379 | | | | | [| ļ ļ |
| 1303 1304 | 1 | | 1 | I | I | 1 | - 1380 1381 | | | l | - = = = = = = = | l | ı l |
| 1304 | 1 | 1 | 1 | 1 | ı | 1 | 1 1301 | | - | | | . | |

| | | | | | | | | 1 | | | | | | |
|--------------|---|--------------|----------|-------|--------|--------|----------------|----------|--------|----------|--------|----------|----------|--------|
| 1382 | ! | ! | ! | ļ | l | ! | 1459 | | | | | | | - |
| 1383 1384 | I | | | | | | 1460 1461 | | l I | l I | l I | l I | l I | l I |
| 1385 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1461 | | | | | | | - |
| 1386 | i | i | i | i | i | i | 1 1463 | 1 | l | I | l | I | I | ı |
| 1387 | | | | | | | 1464 | l i | | I | | I | I | i |
| 1388 | 1 | I | I | 1 | I | I | 1465 | | | | | | | - |
| 1389 | 1 | I | - 1 | 1 | - 1 | I | 1466 | 1 | | l | | l | l | |
| 1390 | | | | | | | 1467 | | | l | | l | | I |
| 1391 | ! | ! | ! | ! | ļ | ļ | 1468 | | | | | | | - |
| 1392 1393 | I | | | | | | 1469 1470 | | l I | l I | l I | l I | l I | |
| 1394 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1470 | | | | | | | - |
| 1395 | i | i | i | i | i | i | 1472 | l i | I | I | I | I | l | ı |
| 1396 | | | | | | | 1473 | l i | I | I | I | I | İ | İ |
| 1397 | 1 | I | I | 1 | I | I | 1474 | | | | | | | - |
| 1398 | I | I | I | I | I | I | 1475 | 1 | | l | | l | | |
| 1399 | | | | | | | 1476 | | | l | | l | | ı |
| 1400 1401 | 1 | | | ! | l | ! | 1477 1478 | | | I | | | | - |
| 1402 | | ' | | ' | | | 1479 | | l I | ! | l I | ! | l I | ï |
| 1403 | 1 | ı | 1 | 1 | ı | 1 | 1480 | | ' | ' | ' | ' | ' | - |
| 1404 | i | i | i | i | i | i | 1481 | 1 | l | l | l | l | l | I |
| 1405 | | | | | | | 1482 | 1 | l | l | l | l | l | 1 |
| 1406 | 1 | | I | 1 | I | ļ. | 1483 | | | | | | | - |
| 1407 | I | ı | ı | I | ı | I | 1484 | ! | | <u> </u> | | <u> </u> | | ļ |
| 1408 1409 | 1 | | | | 1 | | 1485 1486 | | | | | | | |
| 1410 | i | <u> </u> | <u> </u> | i | | i | 1487 | | I | ı | I | ı | I | ī |
| 1411 | | | | | | ' | 1488 | li | ' | i I | ' | i I | ' | i |
| 1412 | I | I | I | 1 | - 1 | I | 1489 | | | | | | | - |
| 1413 | I | I | I | 1 | - 1 | I | 1490 | 1 | | l | l | l | l | I |
| 1414 | | | | | | | 1491 | 1 | | l | | l | | I |
| 1415 | ! | ! | ! | ! | | ļ | 1492 | | | | | | | - |
| 1416 1417 | I | | | | | | 1493 1494 | | l I | l I | l I | l I | l I | l I |
| 1418 | 1 | ı | - 1 | 1 | ı | 1 | 1495 | | | | | | | - |
| 1419 | i | i | i | i | i | i | 1496 | l i | I | I | I | I | l | ı |
| 1420 | | | | | | | 1497 | l i | I | I | I | I | İ | İ |
| 1421 | 1 | I | I | 1 | I | I | 1498 | | | | | | | - |
| 1422 | I | I | I | I | I | I | 1499 | 1 | l | <u> </u> | | <u> </u> | <u> </u> | 1 |
| 1423 | | | | | | | 1500 | | | l | | l | l | ı |
| 1424 1425 | 1 | | | ! | l | ! | 1501 1502 | | | I | | | | - |
| 1426 | | - | | | | | 1503 | | I | ! | I | ! | ! | i |
| 1427 | I | ı | ı | 1 | ı | I | 1504 | . | | | | | | - |
| 1428 | 1 | I | - 1 | 1 | I | I | 1505 | 1 | | l | | l | l | 1 |
| 1429 | | | | | | | - 1506 | 1 | | l | | l | | I |
| 1430 | ! | ! | ! | ! | ļ | ! | 1507 | | | | | | | - |
| 1431 1432 | | | | | | | 1508 1509 | | | | | | | |
| 1433 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1510 | | | | | | | - |
| 1434 | i | i | i | i | i | i | 1511 | 1 | I | I | I | I | l | ı |
| 1435 | | | | | | | 1512 | l i | | I | | I | | i |
| 1436 | 1 | I | I | 1 | | I | 1513 | | | | | | | - |
| 1437 | I | I | I | I | I | I | 1514 | ! | | ļ | | ļ | | ļ |
| 1438 | | | | | | | 1515 | | | l | | l | l | ı |
| 1439 1440 | | | | ! | l I | | 1516 1517 | 1 | | | | | | - |
| 1441 | | - | | | | | 1518 | | I | ! | I | ! | ! | i |
| 1442 | I | ı | ı | 1 | ı | I | 1519 | | | | | | | - |
| 1443 | 1 | I | I | 1 | I | I | 1520 | 1 | l | l | l | l | l | 1 |
| 1444 | | | | | | | 1521 | 1 | | l | | l | | I |
| 1445 | ! | ! | ! | ļ . | ļ | ! | 1522 | | | | | | | - |
| 1446 1447 | | | | | | | 1523 1524 | | | | | | | |
| 1448 | 1 | ı | 1 | 1 | ı | 1 | 1524 | | | | | | I | |
| 1449 | i | i | i | i | i | i | 1526 | 1 | I | I | l | I | I | ī |
| 1450 | | | | | | : | 1527 | li | | | | | | i |
| 1451 | I | I | 1 | 1 | I | I | 1528 | | | | | | | - |
| 1452 | I | I | 1 | I | I | 1 | 1529 | | l | l | l | l | l | 1 |
| 1453 | | | | | | | 1530 | | l | l | I | l | I | I |
| 1454 1455 | 1 | I I | 1 | 1 | l I | I I | 1531 1532 | | · I | · I | | · I | | - |
| 1455 | 1 | | | | | | 1533 | | ı İ | ı İ | ı İ | ı İ | ı İ | i |
| | I | I | ı | I | I | 1 | 1533 | | | | | | | - |
| 1458 | | i | i | i | i | i | i | ' | | | | | | |
| ' | | | * | * | - | • | | | | | | | | |

11 slogan

11.1 slogan

