1 1 1

12

12

12

13

13

13

Contents

1	ubuntu																			
	1.1 run																			
	1.2 cp.sh																			
_																				
2	Basic																			
	2.1 ascii	٠	•	•		٠	٠	٠	٠				٠	٠	٠				•	
	2.2 limits		•	•	•		•		•			•	٠	٠	•	•			•	•
3	字串																			
3	3.1 最長迴文子字串 .																			
				•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•			•
	3.2 stringstream .	٠	•	•	•	٠		٠	٠	•		•	•	٠	•	•	•		•	•
4	STL																			
•	4.1 priority_queue .																			
	4.2 deque				•					•			•	•		•	•	•	•	•
	4.3 map	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•
	4.4 unordered_map .	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•
	4.5 set	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•
		•			•	•		•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•
			•	•	•	•	•			•			•	•	•	•	•	•	•	•
	4.8 單調隊列	•	•	•	•	-	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•
	4.0 年間がカラ	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•
5	sort																			
	5.1 大數排序																			
6	math																			
	6.1 質數與因數																			
	6.2 快速冪																			
	6.3 歐拉函數																			
	6.4 atan																			
	6.5 大步小步																			
7	algorithm																			
	7.1 basic																			
	7.2 二分搜																			
	7.3 三分搜																			
	7.4 prefix sum																			
	7.5 差分				•															
	7.6 greedy	٠		•	•	٠		٠	٠			٠	٠	٠					•	
	7.7 floyd warshall .																			
	7.8 dinic	٠		•	•	٠		٠	٠			٠	٠	٠					•	
	7.9 SegmentTree			•	•	•	•			•		٠			•		•			
	7.10 Nim Game		•	•	٠	٠		٠	٠			٠	٠	٠					•	•
	7.11 Trie	٠		•	•	٠		٠	٠	•		٠	٠	٠	•	•			•	
	7.12 SPFA		•	•	•		•		•			•	٠	٠	•	•			•	•
	7.13 dijkstra	٠	•	•		٠	٠	٠	٠				٠	٠	٠				•	
	7.14 SCC Tarjan	•			٠	٠	٠	•	•	•		•	٠	٠	•	•	•		•	•
	7.15 SCC Kosaraju .									•		٠	٠	٠	٠	•	•		•	•
	7.16 ArticulationPoin			-			٠			•		٠	٠	٠		•	•		•	•
	7.17 最小樹狀圖	•		•	•	•	•	•	•	•		٠	٠	٠	•	•	•		•	•
8	動態規劃																			
٥	到認所副 8.1 LCS 和 LIS																			
	O.I LUS 介H LIS	•	•	•	٠	٠	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•		•	•
9	dp 表格																			
•	9.1 DPlist																			
		•		•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	-		•	•
10	Section2																			
	10.1 thm																			

ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
3 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4 if [[ "$?" == "0" ]]; then
            echo Running
            ./$1 < $1.in > $1.out
6
            echo END
8 fi
```

Basic

2.1 ascii

1	int	char	int	char	int	char
2	32		64	@	96	•
3	33	!	65	Α	97	а
4	34	"	66	В	98	b
5	35	#	67	С	99	С
6	36	\$	68	D	100	d
7	37	%	69	E	101	e
8	38	&	70	F	102	f
9	39	1	71	G	103	g
10	40	(72	Н	104	h
11	41)	73	I	105	i
12	42	*	74	J	106	j
13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
14	44	,	76	L	108	1
15	45	_	77	М	109	m
16	46		78	N	110	n
17	47	/	79	0	111	0
18	48	0	80	P	112	p
19	49	1	81	Q	113	q
20	50	2	82	R	114	r
21	51	3	83	S	115	S
22	52	4	84	T	116	t
23	53	5	85	U	117	u
24	54	6	86	V	118	V
25	55	7	87	W	119	W
26	56	8	88	X	120	X
27	57	9	89	Y	121	y
28	58	:	90	Ζ	122	Z
29	59	;	91	Γ	123	{
30	60	<	92	\	124	1
31	61	=	93	J	125	}
32	62	>	94	A	126	~
33	63	?	95	_		

2.2 limits

```
1 [Type]
                       [size]
                                    [range]
                                  127 to -128
  2 char
                        1
                                  127 to -128
   3 signed char
                         1
   4 unsigned char
                         1
                                  0 to 255
12 5
     short
                         2
                                  32767 to -32768
     int
                                  2147483647 to -2147483648
                         4
  7
     unsigned int
                                  0 to 4294967295
  8 long
                                  2147483647 to -2147483648
  9 unsigned long
                         4
                                  0 to 18446744073709551615
13 10 long long
                         8
                9223372036854775807 to -9223372036854775808
  11
  12 double
                              1.79769e+308 to 2.22507e-308
                         8
  13 long double
                         16
                              1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
  14 float
                         4
                                 3.40282e+38 to 1.17549e-38
  15 unsigned long long 8
                                  0 to 18446744073709551615
                         32
  16 string
```

字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include < bits / stdc ++ . h >
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
3
  using namespace std;
5
  string s;
6 int n;
8
 int ex(int 1,int r){
  int i=0;
```

```
10
     while (1-i)=0&&r+i<n&&T(1-i)==T(r+i) i++;
11
     return i:
12 }
13
14 int main(){
15
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx = 0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
20
     int ans=1;
     r[0]=1;
21
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i;
         mx=i+r[i]-1;
28
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
          center=i;
         mx=i+r[i]-1;
33
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout << ans -1 << "\n";
39
     return 0;
40 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
bwhile(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
  讀取優先權最高的值:
3
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
5
     pq.pop();
6 判斷是否為空的priority_queue:
                            //回傳 true
7
     pq.empty()
8
     pq.size()
9|如需改變priority_queue的優先權定義:
                           //預設由大到小
     priority_queue<T> pq;
10
11
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
12
                            //改成由小到大
13
     priority_queue < T, vector < T > , cmp > pq;
                                         //cmp
```

4.2 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫

2 (Standard Template Library, STL)

3 中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),

4 跟 vector 相似,不過在 vector

中若是要添加新元素至開端,

5 其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。

6 同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,

7 讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
```

```
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
             //移除 deque 最尾端的元素
10 dq.pop_back()
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
              //回傳 deque 最開頭的元素
13 dq.front()
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
17
     n: 元素插入次數
     val: 插入的元素值
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
              //同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
20
              //清空整個 deque 佇列。
21 da.clear()
22 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
23 dq.empty()
              //若是存在任何元素,則返回0
24
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
25 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
26 dq.end()
27
              //不是最後一個元素,
              //而是最後一個元素的下一個位置
28
```

4.3 map

```
1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構,
2
      會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
4
6
  begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
7
  end():回傳指向map末尾的迭代器
  rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
  取value:it->second 或 (*it).second
14
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
  max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 | 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
  swap():交換兩個map
25
26
27| 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
  //實作範例
31
32 #include <bits/stdc++.h>
33
  using namespace std;
  int main(){
34
35
     //declaration container and iterator
36
     map<string, string> mp;
37
     map<string, string>::iterator iter;
38
     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
     //insert element
     mp.insert(pair<string, string>
41
            ("r000", "student_zero"));
42
     mp["r123"] = "student_first";
43
44
     mp["r456"] = "student_second";
45
     //traversal
```

```
47
       for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
           cout << iter -> first << " "
48
49
                         <<iter->second<<endl;
       for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
50
51
           cout << iter_r -> first << "
                 "<<iter_r->second<<endl;
52
53
       //find and erase the element
       iter=mp.find("r123");
54
       mp.erase(iter);
55
56
       iter=mp.find("r123");
       if(iter!=mp.end())
57
58
          cout << "Find, the value is "
                    <<iter->second<<endl;
59
60
       else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
61
       return 0;
62 }
```

4.4 unordered_map

```
1 | unordered_map: 存放 key-value pairs2 | 的「無序」映射資料結構。3 | 用法與map相同
```

4.5 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  取值: 使用iterator
3
4
      x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
6
      x = *st.rbegin();
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
  判斷是否為空的set:
9
10
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
14
      st.count(x):
      auto it = st.find(x);
15
16
         // binary search, O(log(N))
17
      auto it = st.lower_bound(x);
18
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.upper_bound(x);
19
20
         // binary search, O(log(N))
```

4.6 multiset

4.7 unordered_set

```
unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),

phase phase
```

```
7 unordered_set <int> myunordered_set;
8 myunordered_set.insert(2);
9 myunordered_set.insert(4);
10 myunordered_set.insert(6);
11 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
12 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0</pre>
```

4.8 單調隊列

```
1 //單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
2
  example
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
9
10
  #define maxn 1000100
11
  using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
13 int n, k;
14
15
  void getmin() {
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
17
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20
          g[++tail]=i:
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
23
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
           q[++tail]=i;
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
           cout <<a[q[head]]<<"
26
27
28
       cout << endl;
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head=0,tail=0;
32
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
37
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail]=i;
39
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
           cout <<a[q[head]]<<"
42
43
      cout << end1;
44
  }
45
46
  int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
48
49
       getmin();
50
       getmax();
51
       return 0;
52 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
# 建立空串列
6
      arr = []
      for i in range(n):
7
8
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
                              # 串列排序
9
      arr.sort()
10
      for i in arr:
11
       print(i)
                            # 依序印出串列中每個項目
    except:
12
13
      break
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
  for(int i=2;i*i<=n;i++){</pre>
5
6
       if(isprime[i])
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
7
8 }
9
10 歐拉篩0(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
16
17
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
       for(int i=2; i < MAXN; i++){</pre>
18
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
19
20
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
       }
24
25
  }
26
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
  int GCD(int a, int b){
28
29
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
30
  }
31
32
33 質因數分解
  void primeFactorization(int n){
34
35
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
           if(p[i]*p[i]>n) break;
36
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
39
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40
41
       if(n!=1) cout << n << ' ';
42
       cout << '\n';
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 \frac{1}{ax+by=GCD(a,b)}
47
  #include <bits/stdc++.h>
48
  using namespace std;
49
  int ext_euc(int a,int b,int &x,int &y){
       if(b==0){
51
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
       }
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56
       y-=a/b*x;
57
       return d;
58 }
59
```

```
60 int main(){
       int a,b,x,y;
61
       cin>>a>>b;
62
       ext_euc(a,b,x,y);
63
64
       cout << x << ' '<< y << endl;
65
       return 0;
66
   }
67
68
69
   歌德巴赫猜想
70
71
   solution: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #include <iostream>
72
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75
   int ox[N],p[N],pr;
76
   void PrimeTable(){
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
       pr=0;
79
       for(int i=2:i<N:i++){</pre>
80
            if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
            for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
                ox[i*p[j]]=1;
       }
83
84
   }
85
86
   int main(){
       PrimeTable();
87
88
       int n;
       while(cin>>n,n){
89
90
            int x:
91
            for(x=1;;x+=2)
92
                if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
            printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
       }
94
   }
95
   problem : 給定整數 N,
96
            求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
97
   如果 N 是質數,則答案為 1。
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
   #include < bits / stdc ++. h>
102
   using namespace std;
103
104
   bool isPrime(int n){
105
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
106
            if(i*i>n) return true;
107
108
            if(n%i==0) return false;
109
       }
       return true;
110
111
   }
112
   int main(){
113
114
       int n;
115
       cin>>n;
116
       if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
117
       else cout << "3\n";</pre>
119 }
```

6.2 快速冪

```
1 計算a^b
  #include < iostream >
  #define ll long long
  using namespace std;
  const 11 MOD=1000000007;
6
7
  11 fp(11 a, 11 b) {
       int ans=1;
8
9
       while(b>0){
10
           if(b&1) ans=ans*a%MOD;
           a=a*a%MOD;
11
12
           b>>=1;
```

6.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
3
  int phi(){
4
      int ans=n;
5
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
6
          if(n%i==0){
              ans=ans-ans/i;
              while(n%i==0) n/=i;
8
10
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
11
      return ans;
12 }
```

6.4 atan

```
1| 說明
    atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x的反正切。
3
4 回覆值
    atan()函數會傳回介於範圍 - /2 到 /2 弧度之間的值。
5
    atan2() 函數會傳回介於 - 至
                                 弧度之間的值。
    如果 atan2() 函數的兩個引數都是零,
    則函數會將 errno 設為 EDOM,並傳回值 0。
8
10|範例
11 #include <math.h>
12 #include <stdio.h>
13
  int main(void){
14
15
      double a,b,c,d;
16
17
      c = 0.45;
18
      d=0.23;
19
      a=atan(c);
20
      b=atan2(c,d);
21
22
23
      printf("atan(%lf)=%lf/n",c,a);
      printf("atan2(%1f,%1f)=%1f/n",c,d,b);
24
25
26 }
27
28 /*
29 atan (0.450000) = 0.422854
30 atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
31 */
```

6.5 大步小步

```
      1 題意

      2 給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。

      3 4 題解

      5 餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此 B^0 B^P,B^1 B^(P+1),…,

      6 也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1 能得到結果,但會超時。</td>

      7
```

```
8 | 將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
  設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 。
9
10
11
  B^(mx+y) N(mod P)
12 B^(mx)B^y N(mod P)
  B^y N(B^(-m))^x \pmod{P}
13
14
15
  先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
  再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的 B^y。
16
17 這種算法稱為大步小步演算法,
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
18
  小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
19
20
    複雜度分析
21
22 利用 map/unorder_map 存放 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
23 枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為 0(√Plog√P)/0(√P)。
24
25
26
27
  #include <bits/stdc++.h>
28
29 using namespace std;
30 using LL = long long;
  LL B, N, P;
31
32
33
  LL fpow(LL a, LL b, LL c){
34
      LL res=1;
35
      for(;b;b >>=1){
36
          if(b&1)
37
               res=(res*a)%c;
          a=(a*a)%c;
38
39
40
      return res;
41
  }
42
     BSGS(LL a, LL b, LL p){
43
44
      a%=p,b%=p;
45
      if(a==0)
          return b==0?1:-1;
46
47
      if(b==1)
48
          return 0;
49
      map<LL, LL> tb;
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
50
51
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
52
      tb[1]=sq;
      for(LL i=1, tmp=1; i < sq; ++i){</pre>
53
54
          tmp=(tmp*a)%p;
55
          if(!tb.count(tmp))
               tb[tmp]=i;
56
57
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
58
59
          if(tb.count(b)){
60
              LL res=tb[b];
               return i*sq+(res==sq?0:res);
61
62
63
          b=(b*inv)%p;
64
      }
65
      return -1;
66
  }
67
68
  int main(){
69
      ios::sync_with_stdio(false);
      cin.tie(0),cout.tie(0);
70
71
      while(cin>>P>>B>>N){
          LL ans=BSGS(B,N,P);
72
          if(ans==-1)
73
74
               cout << "no solution\n";</pre>
75
76
              cout << ans << '\n';
77
      }
78 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
기 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
14
15
  upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
20
21 prev_permutation(first, last)
```

7.2 二分搜

```
1 int binary_search(int target) {
2 // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
3 // index that target value exists, with "ng" doesn't.
      int ok = maxn, ng = -1;
5 // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
6 // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
7 // (the "check" funtion
8 // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
9
10
          int mid = (ok + ng) >> 1;
          if(check(mid)) ok = mid;
11
          else ng = mid;
13 // Be careful, "arr[mid]>=target" for first
14 // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
15 // last lower_bound. For range (ng, ok],
16 // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
17 // choose the first one, or convert [ok, ng) into
18 // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
19 // the second one.
20
      }
21
      return ok;
22 }
23
24 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                 //最左邊 ≥ k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                 //最左邊 > k 的位置
27 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
                                 //等於 k 的範圍
28 (lower_bound, upper_bound)
29 equal_range(arr, arr+n, k);
```

7.3 三分搜

```
10
  struct Point{
11
       double x, y, z;
12
       Point() {}
13
14
       Point(double _x, double _y, double
            _z):x(_x),y(_y),z(_z){}
       void read() { cin>>x>>y>>z; }
15
16
       Point operator+(const Point &rhs) const{
           return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
17
18
19
       Point operator - (const Point &rhs) const{
20
           return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
21
       Point operator*(const double &d) const{
22
23
           return Point(x*d,y*d,z*d);
24
25
       Point operator/(const double &d) const{
26
           return Point(x/d,y/d,z/d);
27
       }
28
       double dist(const Point &rhs) const{
           double res = 0:
29
30
           res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
31
           res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
32
           res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
           return res;
33
34
       }
35
  };
36
37
  int main(){
       ios::sync_with_stdio(false);
38
       cin.tie(0),cout.tie(0);
39
40
       int T;
41
       cin>>T;
42
       for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
43
           double time;
           Point x1, y1, d1, x2, y2, d2;
44
45
           cin>>time;
           x1.read();
46
47
           y1.read();
48
           x2.read();
49
           y2.read();
50
           d1=(y1-x1)/time;
           d2=(y2-x2)/time;
51
52
           double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
           double ans = x1.dist(x2);
53
54
           while(abs(L-R)>1e-10){
55
                m1=(L+R)/2:
                m2=(m1+R)/2;
56
57
                f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
                f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
58
59
                ans = min(ans, min(f1, f2));
60
                if(f1<f2) R=m2;
61
                else L=m1;
62
           cout << "Case "<<ti << ": ";
63
           cout << fixed << setprecision(4) << sqrt(ans) << '\n';</pre>
64
65
       }
66 }
```

7.4 prefix sum

```
1 // 前綴和
  陣列前n項的和。
  b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ ··· +a[i]
  區間和 [l, r]:b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
  #include < bits / stdc ++. h>
7
  using namespace std;
  int main(){
      int n:
10
      cin>>n;
11
      int a[n],b[n];
12
      for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
13
      b[0]=a[0];
      for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
```

103 };

104

```
| for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';
| cout<<'\n';
| int l,r;
| cin>>l>>r;
| cout<<b[r]-b[l-1]; //區間和
| 20 | }
```

7.5 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5 給的 a [ ] 是前綴和數列,建構 b [ ] ,
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8 在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
9 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17
      int n, 1, r, v;
      cin >> n;
18
19
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
20
          cin >> a[i];
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
22
23
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
24
      b[r+1] -= v;
25
26
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
28
          b[i] += b[i-1];
          cout << b[i] << ' ';
29
30
31 }
```

7.6 greedy

28

```
1 // 貪心
2 貪心演算法的核心為,
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
  貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
7
  確認無誤再實作。
8
10 刪數字問題
11 //problem
12 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
14
15
  //solution
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
17 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
18
19
  //code
20 int main(){
21
     string s:
22
     int k;
     cin>>s>>k:
23
     for(int i=0;i<k;++i){</pre>
24
        if((int)s.size()==0) break;
25
26
        int pos =(int)s.size()-1;
        for(int j=0; j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
27
```

if(s[j]>s[j+1]){

```
29
                  pos=j;
30
                  break;
              }
31
          }
32
33
          s.erase(pos,1);
34
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
35
36
          s.erase(0,1);
       if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
37
       else cout << 0 << '\n';
38
39 }
40
41
42 最小區間覆蓋長度
   //problem
43
44 | 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
45
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
   //solution
47
48 先將所有區間依照左界由小到大排序,
49 對於當前區間 [Li, Ri], 要從左界 >Ri 的所有區間中,
50 | 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
51
52
   //problem
53 長度 n 的直線中有數個加熱器,
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
54
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
55
56
57
   //solution
   對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
58
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
   //code
62
  int main(){
      int n, r;
63
       int a[1005];
64
65
      cin>>n>>r:
       for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
66
67
      int i=1, ans=0;
68
       while(i<=n){</pre>
69
          int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
          int nextR=-1:
70
71
          for(int j=R; j>=L; -- j){
              if(a[i]){
72
73
                 nextR=j;
74
                 break;
75
              }
76
          }
77
          if(nextR==-1){
              ans=-1;
78
79
              break;
80
81
          ++ans;
82
          i=nextR+r:
83
       cout << ans << '\n';
84
85
86
87
   最多不重疊區間
88
   給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
   請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
91
92
   //solution
94 依照右界由小到大排序,
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
96
97
   //code
98
   struct Line{
      int L.R:
99
       bool operator < (const Line &rhs)const{</pre>
100
           return R<rhs.R;</pre>
101
102
```

```
105
   int main(){
                                                         180
       int t:
                                                            //code
106
                                                         181
       cin>>t;
                                                            struct Work{
107
       Line a[30];
108
                                                         183
                                                                int t, d;
109
       while(t--){
                                                         184
                                                                bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
           int n=0;
110
                                                         185
                                                                    return d<rhs.d;</pre>
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
111
                                                         186
112
                                                         187
                                                            }:
113
           sort(a,a+n);
                                                         188
           int ans=1,R=a[0].R;
114
                                                         189
                                                            int main(){
115
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                         190
                                                                int n=0;
               if(a[i].L>=R){
                                                                Work a[10000];
                                                         191
116
117
                                                         192
                                                                priority_queue<int> pq;
                  ++ans;
                  R=a[i].R:
                                                                while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
118
                                                         193
119
                                                         194
                                                                    ++n:
          }
                                                                sort(a,a+n);
120
                                                         195
121
          cout << ans << '\n';</pre>
                                                                int sumT=0,ans=n;
                                                         196
122
       }
                                                         197
                                                                for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                    pq.push(a[i].t);
123
  }
                                                         198
124
                                                         199
                                                                    sumT+=a[i].t;
                                                                    if(a[i].d<sumT){</pre>
125
                                                         200
126 最小化最大延遲問題
                                                         201
                                                                        int x=pq.top();
                                                         202
                                                                        pq.pop();
127 //problem
                                                                        sumT -=x;
                                                         203
128 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                        --ans;
                                                         204
129 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                                    }
                                                         205
   原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                         206
                                                                }
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                         207
                                                                cout <<ans << '\n';
132
                                                         208
                                                            }
133
   //solution
                                                         209
  |按照到期時間從早到晚處理。
134
                                                            任務調度問題
                                                         210
135
                                                            //problem
                                                         211
   //code
136
                                                         212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   struct Work{
137
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
138
       int t, d;
                                                            請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                         214
       bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
139
                                                         215
140
          return d<rhs.d;</pre>
                                                         216
                                                            //solution
141
                                                            依照懲罰由大到小排序,
142
  };
                                                         217
                                                            每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
143
                                                         218
   int main(){
144
                                                            如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                         219
145
       int n;
                                                         220
       Work a[10000];
146
                                                         221
                                                            //problem
147
       cin>>n;
                                                         222 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
148
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                         223
149
           cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                                 單位獎勵,
150
       sort(a.a+n):
                                                            請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                         224
       int maxL=0, sumT=0;
151
                                                         225
152
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                         226
                                                            //solution
          sumT+=a[i].t:
153
                                                            和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                         227
           maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
154
                                                         228
       }
155
                                                         229
                                                            //code
156
       cout << maxL << '\n';</pre>
                                                         230
                                                            struct Work{
157
  }
                                                                int d,p;
                                                         231
158
                                                         232
                                                                bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
159
                                                         233
                                                                    return p>rhs.p;
   最少延遲數量問題
160
                                                         234
   //problem
161
                                                            };
                                                         235
162 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         236
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
163
                                                         237
                                                            int main(){
                                                         238
                                                                int n;
165
  //solution
                                                         239
                                                                Work a[100005];
166 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序4
                                                                bitset<100005> ok;
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
167
                                                                while(cin>>n){
                                                         241
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
168
                                                         242
                                                                    ok.reset();
                                                                    for(int i=0;i<n;++i)</pre>
169
                                                         243
                                                         244
                                                                        cin>>a[i].d>>a[i].p;
170
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
171
                                                         245
                                                                    sort(a.a+n):
172 //problem
                                                         246
                                                                    int ans=0;
                                                                    for(int i=0;i<n;++i){</pre>
173 給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                         247
                                                                        int j=a[i].d;
                                                         248
174
                                                         249
                                                                        while(j--)
175
   //solution
                                                                            if(!ok[j]){
                                                         250
176 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                         251
                                                                                ans+=a[i].p;
  |工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                                                ok[j]=true;
                                                         252
178 工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                         253
                                                                                break;
179 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                                            }
                                                         254
```

```
3 int medium[n][n];
4 // 由 i 點到 j 點的路徑,其中繼點為 med i um [ i ] [ j ] 。
  void floyd_warshall(){ //0(V^3)
6
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
7
      for(int j=0;j<n;j++){</pre>
9
         d[i][j]=w[i][j];
10
         medium[i][j]=-1;
         // 預設為沒有中繼點
11
12
      }
    for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
13
14
    for(int k=0;k<n;k++)</pre>
15
      for(int i=0;i<n;i++)</pre>
16
         for(int j=0;j<n;j++)</pre>
17
           if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
             d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
18
19
             medium[i][j]=k;
               由 i 點 走 到 j 點 經 過 了 k 點
20
           }
21
22
  }
23
24 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
                                    // 印出最短路徑
25 void find_path(int s,int t){
    if(medium[s][t]==-1) return; // 沒有中繼點就結束
26
                                    // 前半段最短路徑
27
    find_path(s,medium[s][t]);
28
    cout << medium[s][t];</pre>
                             // 中繼點
    find_path(medium[s][t],t);
                                    // 後半段最短路徑
29
30 }
```

7.8 dinic

```
1 #include <stdio.h>
2
  #include <string.h>
3 #include <queue>
4 #define MAXNODE 105
5 #define oo 1e9
6 using namespace std;
8 int nodeNum;
9 int graph[MAXNODE][MAXNODE];
10 int levelGraph[MAXNODE];
11
  bool canReachSink[MAXNODE];
12
  bool bfs(int from, int to){
13
14
       memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
       levelGraph[from]=1;
15
       queue<int> q;
16
       q.push(from);
17
18
       int currentNode;
19
       while(!q.empty()){
           currentNode=q.front();
20
21
           q.pop();
           for(int nextNode=1; nextNode<=nodeNum</pre>
22
23
                                     ;++nextNode){
                if((levelGraph[nextNode]==0)&&
24
25
                    graph[currentNode][nextNode]>0){
26
                    levelGraph[nextNode]=
                        levelGraph[currentNode]+1;
27
                    q.push(nextNode);
28
29
30
                if((nextNode==to)&&
31
                    (graph[currentNode][nextNode]>0))
32
                    return true:
```

```
33
           }
       }
34
35
       return false;
36 }
37
  int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
       if(from == to) return bottleNeck;
38
       int outFlow = 0;
39
40
       int flow;
       for(int nextNode=1; nextNode <= nodeNum; ++ nextNode){</pre>
41
           if((graph[from][nextNode]>0)&&
42
43
                (levelGraph[from]==levelGraph[nextNode]-1)&&
                canReachSink[nextNode]){
44
45
                flow=dfs(nextNode, to,
                    min(graph[from][nextNode],bottleNeck));
46
47
                graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
48
                graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
49
                outFlow+=flow;
50
               bottleNeck -= flow;
51
52
           if(bottleNeck==0) break;
53
       if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
54
55
       return outFlow;
56
  }
57
  int dinic(int from, int to){
58
59
       int maxFlow=0;
       while(bfs(from, to)){
60
61
           memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
62
           maxFlow += dfs(from, to, oo);
63
64
       return maxFlow;
65
  }
66
67
  int main(){
68
       int from, to, edgeNum;
69
       int NetWorkNum = 1;
       int maxFlow:
70
       while(scanf("%d",&nodeNum)!=EOF&&nodeNum!=0){
71
           memset(graph, 0, sizeof(graph));
72
           scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
73
74
           int u, v, w;
75
           for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){</pre>
76
                scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
77
                graph[u][v] += w;
78
                graph[v][u] += w;
           }
79
80
           maxFlow = dinic(from, to);
           printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
81
82
           printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
83
84
       return 0;
85 }
```

7.9 SegmentTree

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
  int tag[4 * MAXN]; //懶標
6
  inline int pull(int 1, int r) {
7 // 隨題目改變 sum \ max \ min
8 // 1、r是左右樹的 index
      return st[l] + st[r];
10 }
11
12
  void build(int 1, int r, int i) {
  // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
13
      if (1 == r) {
14
15
          st[i] = data[1];
16
          return;
17
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
18
      build(1, mid, i * 2);
19
```

```
20
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
21
22 }
23
24 int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
  // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
25
      if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
26
27
          return st[i];
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
28
29
      if (tag[i]) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
30
31
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
32
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
33
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
34
          tag[i] = 0;
35
      }
36
37
      int sum = 0;
      if (ql <= mid)</pre>
38
39
          sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
40
      if (qr > mid)
41
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
42
      return sum:
43 }
44
45 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
46 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
47 // c是變化量
48
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
          st[i] += (r - l + 1) * c;
49
              //求和,此需乘上區間長度
50
          tag[i] += c;
51
          return;
52
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
53
54
      if (tag[i] && l != r) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
55
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
56
57
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
58
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
59
60
          tag[i] = 0;
61
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);</pre>
62
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
63
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
64
65 }
66 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
67 // 改值從 += 改成 =
```

7.10 Nim Game

```
1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
2 | //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
3 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
5 #include <bits/stdc++.h>
6 #define maxn 23+5
7 using namespace std;
9 int SG[maxn];
10 int visited[1000+5];
11
  int pile[maxn],ans;
12
13
  void calculateSG(){
      SG [0]=0:
14
15
      for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
16
          int cur=0;
17
          for(int j=0; j<i; j++)</pre>
18
              for(int k=0;k<=j;k++)</pre>
19
                  visited[SG[j]^SG[k]]=i;
20
          while(visited[cur]==i) cur++;
21
          SG[i]=cur;
      }
22
```

```
23 }
24
25
  int main(){
        calculateSG();
26
27
        int Case=0,n;
28
        while(cin>>n,n){
29
          ans=0:
30
          for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
31
          for(int i=1;i<=n;i++) if(pile[i]&1)</pre>
               ans^=SG[n-i];
32
          cout << "Game "<<++Case << ": ";
          if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";
33
34
          else{
            bool flag=0;
35
36
            for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
37
              if(pile[i]){
38
                 for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
39
                   for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
40
                      if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
                        cout <<i -1 << " " << j -1 << " " << k -1 << endl;
41
42
                        flag=1;
43
                        break;
                      }
44
45
                  }
46
                   if(flag) break;
47
                 if(flag) break;
48
              }
49
50
            }
51
         }
52
53
        return 0;
54
  }
55
  /*
56
57
   input
58
  4 1 0 1 100
  3
     1 0 5
59
      2 1
60
61
   output
63 Game 1: 0 2 3
  Game 2: 0 1 1
64
  Game 3: -1 -1 -1
65
66 */
```

7.11 Trie

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define word_maxn 4000*100+5
  #define str_maxn 300000+5
  #define sigma_num 26
  #define MOD 20071027
  using namespace std;
  int dp[str_maxn];
  char S[str_maxn];
10
  char wd[100+5];
11
12
  struct Trie{
13
       int ch[word_maxn][sigma_num];
14
       int val[word_maxn];
15
       int seq;
16
       void init(){
17
           memset(ch,0,sizeof(ch));
18
19
       void insertion(char *s){
20
21
           int row=0, n=strlen(s);
22
           for(int i=0;i<n;i++){</pre>
23
               int letter_no=s[i]-'a';
24
                if(ch[row][letter_no]==0){
25
                    ch[row][letter_no]=seq;
26
                    memset(ch[seq],0,sizeof(ch[seq]));
27
                    val[seq++]=0;
               }
28
```

```
29
                 row=ch[row][letter_no];
                                                                   26
            }
                                                                   27
30
31
            val[row]=n;
                                                                   28
32
                                                                   29
33
       void find_prefix(char *s,int len,vector<int>&vc){
                                                                   30
34
            int row=0;
                                                                   31
            for(int i=0;i<len;i++){</pre>
35
                                                                   32
36
                 int letter_no=s[i]-'a';
                                                                   33
                 if(ch[row][letter_no]==0) return;
                                                                   34
37
38
                 row=ch[row][letter_no];
                                                                   35
39
                 if(val[row]) vc.push_back(val[row]);
                                                                   36
            }
                                                                   37 }
40
41
       }
  }tr;
42
43
   int main(){
44
45
       int Case=1;
46
       while(cin>>S){
47
            int n;
48
            cin>>n;
            tr.init();
49
50
            for(int i=0;i<n;i++){</pre>
51
                cin>>wd;
                tr.insertion(wd);
52
53
            }
54
            memset(dp,0,sizeof(dp));
            int N=strlen(S);
55
56
            dp[N]=1;
57
            for(int i=N-1;i>=0;i--){
58
                 vector<int> vc;
                 tr.find_prefix(S+i,N-i,vc);
59
60
                 for(int j=0;j<vc.size();j++)</pre>
61
                     dp[i]=(dp[i]+dp[i+vc[j]])%MOD;
62
            cout << "Case "<<Case++<<": "<<dp[0]<<endl;
63
64
       }
65
       return 0;
66 }
67
68 /*
   input
69
70 abcd
71 4
72 a b cd ab
  output
73
74 Case 1: 2
75 */
  7.12 SPFA
1 struct Edge
```

```
2
  {
3
       int t;
       long long w;
4
5
       Edge(){};
6
       Edge(int _t, long long _w) : t(_t), w(_w) {}
7
  };
8
9 bool SPFA(int st) // 平均O(V + E) 最糟O(VE)
10 {
11
       vector<int> cnt(n, 0);
12
       bitset<MXV> inq(0);
       queue<int> q;
13
14
       q.push(st);
15
       dis[st] = 0:
16
       inq[st] = true;
17
       while (!q.empty())
18
19
            int cur = q.front();
           q.pop();
20
21
            inq[cur] = false;
22
           for (auto &e : G[cur])
23
           {
                if (dis[e.t] <= dis[cur] + e.w)</pre>
24
                    continue;
25
```

7.13 dijkstra

}

return true;

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 50000+5
  #define INF 0x3f3f3f3f
3
  using namespace std;
6
  struct edge{
7
       int v,w;
  };
8
9
10
  struct Item{
11
       int u, dis;
12
       bool operator<(const Item &rhs)const{</pre>
13
            return dis>rhs.dis;
14
  };
15
16
17
  vector<edge> G[maxn];
  int dist[maxn];
18
19
  void dijkstra(int s){ // O((V + E)logE)
20
21
       memset(dist,INF,sizeof(dist));
22
       dist[s]=0;
23
       priority_queue<Item> pq;
24
       pq.push({s,0});
25
       while(!pq.empty()){
26
           Item now=pq.top();
27
            pq.pop();
28
            if(now.dis>dist[now.u]) continue;
29
            for(edge e:G[now.u]){
30
                if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
31
                     dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
32
                     pq.push({e.v,dist[e.v]});
33
                }
           }
34
       }
35
36
  }
37
38
  int main(){
       int t, cas=1;
39
40
       cin>>t;
41
       while(t--){
42
            int n.m.s.t:
43
            cin>>n>>m>>s>>t;
            for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
44
45
            int u,v,w;
            for(int i=0;i<m;i++){</pre>
46
47
                cin>>u>>v>>w;
48
                G[u].push_back({v,w});
49
                G[v].push_back({u,w});
50
51
           dijkstra(s);
            cout << "Case #"<<cas++<<": ";
52
            if(dist[t]==INF) cout << "unreachable \n";</pre>
53
            else cout<<dist[t]<<endl;</pre>
54
       }
55
56 }
```

dis[e.t] = dis[cur] + e.w;

return false; // negtive cycle

if (inq[e.t])

++cnt[e.t];

q.push(e.t);

continue;

if (cnt[e.t] > n)

inq[e.t] = true;

7.14 SCC Tarjan

```
1 //Strongly Connected Components
2 //Tarjan O(V + E)
3 int dfn[N], low[N], dfncnt, sk[N], in_stack[N], tp;
4 //dfn[u]: dfs時u被visited的順序
5 //low[u]: 在u的dfs子樹中能回到最早已在stack中的節點
6 int scc[N], sc;//節點 u 所在 SCC 的編號
7 int sz[N]; //強連通 u 的大小
9
  void tarjan(int u) {
      low[u] = dfn[u] = ++dfncnt, s[++tp] = u,
10
           in_stack[u] = 1;
11
      for (int i = h[u]; i; i = e[i].nex) {
          const int &v = e[i].t;
12
13
           if (!dfn[v]) {
14
               tarjan(v);
15
               low[u] = min(low[u], low[v]);
16
          } else if (in_stack[v]) {
               low[u] = min(low[u], dfn[v]);
17
18
19
20
      if (dfn[u] == low[u]) {
21
          ++sc;
22
          while (s[tp] != u) {
23
               scc[s[tp]] = sc;
               sz[sc]++:
24
25
               in_stack[s[tp]] = 0;
26
               --tp;
27
          }
28
           scc[s[tp]] = sc;
29
          sz[sc]++:
           in_stack[s[tp]] = 0;
30
31
           --tp;
32
      }
33 }
```

7.15 SCC Kosaraju

```
1 //做兩次dfs, O(V + E)
2 //g 是原圖, g2 是反圖
3 //s是 dfs離開的節點
4 void dfs1(int u) {
5
      vis[u] = true;
6
       for (int v : g[u])
          if (!vis[v]) dfs1(v);
7
8
      s.push back(u):
9 }
10
  void dfs2(int u) {
11
      group[u] = sccCnt;
12
       for (int v : g2[u])
13
14
           if (!group[v]) dfs2(v);
15 }
16
  void kosaraju() {
17
18
      sccCnt = 0;
       for (int i = 1; i <= n; ++i)
19
20
           if (!vis[i]) dfs1(i);
21
       for (int i = n; i >= 1; --i)
22
           if (!group[s[i]]) {
23
               ++sccCnt:
24
               dfs2(s[i]);
25
           }
26 }
```

7.16 ArticulationPoints Tarjan

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 vector<vector<int>>> G;
5 int N;
6 int timer;
7 bool visited[105];
```

```
8 int visTime[105]; // 第一次visit的時間
  int low[105]; //
       最小能回到的父節點(不能是自己的parent)的visTime
10 int res;
  //求割點數量
12
  void tarjan(int u, int parent) {
13
       int child = 0;
14
      bool isCut = false;
15
       visited[u] = true;
       visTime[u] = low[u] = ++timer;
16
17
       for (int v: G[u]) {
18
           if (!visited[v]) {
19
               ++child:
20
               tarjan(v, u);
21
               low[u] = min(low[u], low[v]);
22
               if (parent != -1 && low[v] >= visTime[u])
23
                    isCut = true;
24
25
           else if (v != parent)
26
               low[u] = min(low[u], visTime[v]);
27
      }
       //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
28
29
       if (parent == -1 && child >= 2)
           isCut = true;
30
       if (isCut)
31
32
           ++res;
33
  }
34
35
  int main()
36
  {
37
       char input[105];
38
       char* token;
       while (scanf("%d", &N) != EOF && N)
39
40
       {
41
           G.assign(105, vector<int>());
           memset(visited, false, sizeof(visited));
42
           memset(low, 0, sizeof(low));
43
44
           memset(visTime, 0, sizeof(visited));
45
           timer = 0;
46
           res = 0;
           getchar(); // for \n
47
48
           while (fgets(input, 105, stdin))
49
           {
50
               if (input[0] == '0')
51
                   break;
52
               int size = strlen(input);
               input[size - 1] = ' \setminus \emptyset';
53
54
               --size;
               token = strtok(input, " ");
55
56
               int u = atoi(token);
57
               int v;
58
               while (token = strtok(NULL, " "))
59
               {
                    v = atoi(token);
60
61
                    G[u].emplace_back(v);
62
                    G[v].emplace_back(u);
63
               }
           }
64
65
           tarjan(1, -1);
66
           printf("%d \ n", res);
67
       }
68
       return 0;
69 }
```

7.17 最小樹狀圖

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

1 //最長共同子序列(LCS)

2 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,

3 C 同時為 A,B 的子序列。

5 //最長遞增子序列 (LIS)

6 給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,

B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。

9 //LCS 和 LIS 題目轉換

10 LIS 轉成 LCS

1. A 為原序列, B=sort(A)

2. 對 A,B 做 LCS

13 LCS 轉成 LIS

17

18

19

20

1. A, B 為原本的兩序列

2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B

3. 對 B 做 LIS

4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,

越早出現的數字要越小

5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,

直接忽略這個數字不做轉換即可

9 dp 表格

9.1 DPlist

10 Section2

10.1 thm

中文測試

$$\cdot \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$