

Contents

1	ubuntu	1
1.1	run	1
1.2	cp.sh	1
2	Basic	1
2.1	ascii	1
2.2	limits	1
3	字串	1
3.1	最長迴文子字串	1
3.2	stringstream	2
4	STL	2
4.1	priority_queue	2
4.2	deque	2
4.3	map	2
4.4	unordered_map	3
4.5	set	3
4.6	multiset	3
4.7	unordered_set	3
4.8	單調隊列	3
5	sort	3
5.1	大數排序	3
6	math	4
6.1	質數與因數	4
6.2	快速幂	4
6.3	歐拉函數	5
6.4	atan	5
6.5	大步小步	5
7	algorithm	6
7.1	basic	6
7.2	二分搜	6
7.3	三分搜	6
7.4	prefix sum	6
7.5	差分	7
7.6	greedy	7
7.7	floyd warshall	9
7.8	dinic	9
7.9	SegmentTree	9
7.10	Nim Game	10
7.11	Trie	10
7.12	SPFA	11
7.13	dijkstra	11
7.14	SCC Tarjan	12
7.15	SCC Kosaraju	12
7.16	ArticulationPoints Tarjan	12
7.17	最小樹狀圖	12
8	動態規劃	14
8.1	LCS 和 LIS	14
9	Section2	14
9.1	thm	14
10	dp 表格	15
10.1	DPlist	15
11	slogan	25
11.1	slogan	25

1 ubuntu

1.1 run

1| ~\$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
3 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
4 if [[ "$$" == "0" ]]; then
5     echo Running
6     ./$1 < $1.in > $1.out
7     echo END
8 fi
```

2 Basic

2.1 ascii

	int	char	int	char	int	char
1	32		64	@	96	`
2	33	!	65	A	97	a
3	34	"	66	B	98	b
4	35	#	67	C	99	c
5	36	\$	68	D	100	d
6	37	%	69	E	101	e
7	38	&	70	F	102	f
8	39	'	71	G	103	g
9	40	(72	H	104	h
10	41)	73	I	105	i
11	42	*	74	J	106	j
12	43	+	75	K	107	k
13	44	,	76	L	108	l
14	45	-	77	M	109	m
15	46	.	78	N	110	n
16	47	/	79	O	111	o
17	48	0	80	P	112	p
18	49	1	81	Q	113	q
19	50	2	82	R	114	r
20	51	3	83	S	115	s
21	52	4	84	T	116	t
22	53	5	85	U	117	u
23	54	6	86	V	118	v
24	55	7	87	W	119	w
25	56	8	88	X	120	x
26	57	9	89	Y	121	y
27	58	:	90	Z	122	z
28	59	;	91	[123	{
29	60	<	92	\	124	
30	61	=	93]	125	}
31	62	>	94	^	126	~
32	63	?	95	-		

2.2 limits

	[Type]	[size]	[range]
1	char	1	127 to -128
2	signed char	1	127 to -128
3	unsigned char	1	0 to 255
4	short	2	32767 to -32768
5	int	4	2147483647 to -2147483648
6	unsigned int	4	0 to 4294967295
7	long	4	2147483647 to -2147483648
8	unsigned long	4	0 to 18446744073709551615
9	long long	8	
10		9223372036854775807	to -9223372036854775808
11	double	8	1.79769e+308 to 2.22507e-308
12	long double	16	1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
13	float	4	3.40282e+38 to 1.17549e-38
14	unsigned long long	8	0 to 18446744073709551615
15			
16	string	32	

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '. ')
3 using namespace std;
4
5 string s;
6 int n;
7
8 int ex(int l,int r){
9     int i=0;
```

```

10 while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;
11 return i;
12 }
13
14 int main(){
15     cin>>s;
16     n=2*s.size()+1;
17     int mx=0;
18     int center=0;
19     vector<int> r(n);
20     int ans=1;
21     r[0]=1;
22     for(int i=1;i<n;i++){
23         int ii=center-(i-center);
24         int len=mx-i+1;
25         if(i>mx){
26             r[i]=ex(i,i);
27             center=i;
28             mx=i+r[i]-1;
29         }
30         else if(r[ii]==len){
31             r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32             center=i;
33             mx=i+r[i]-1;
34         }
35         else r[i]=min(r[ii],len);
36         ans=max(ans,r[i]);
37     }
38     cout<<ans-1<<"\n";
39     return 0;
40 }

```

3.2 stringstream

```

1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
5 while(ss>>word) cout<<word<<endl;

```

4 STL

4.1 priority_queue

```

1 priority_queue: 優先隊列，資料預設由大到小排序。
2
3 讀取優先權最高的值：
4     x = pq.top();
5     pq.pop(); //讀取後刪除
6 判斷是否為空的priority_queue：
7     pq.empty() //回傳true
8     pq.size() //回傳0
9 如需改變priority_queue的優先權定義：
10    priority_queue<T> pq; //預設由大到小
11    priority_queue<T, vector<T>, greater<T>> > pq;
12    //改成由小到大
13    priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp

```

4.2 deque

```

1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2   (Standard Template Library, STL)
3   中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue) ,
4   跟 vector 相似，不過在 vector
5   中若是要添加新元素至開端，
6   其時間複雜度為 O(N)，但在 deque 中則是 O(1)。
7   同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間，
   讓我們不必煩惱佇列長度的問題。

```

```

8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back() //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back() //取出 deque 最尾端的元素
13 dq.front() //回傳 deque 最開頭的元素
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
16     position: 插入元素的 index 值
17     n: 元素插入次數
18     val: 插入的元素值
19 dq.erase()
20     //刪除元素，需要使用迭代器指定刪除的元素或位置，
21     //同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
22 dq.clear() //清空整個 deque 佇列。
23 dq.size() //檢查 deque 的尺寸
24 dq.empty() //如果 deque 佇列為空返回 1；
25 //若是存在任何元素，則返回0
26 dq.begin() //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
27 dq.end() //指向 deque 結尾，
28 //不是最後一個元素，
29 //而是最後一個元素的下一個位置

```

4.3 map

```

1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構，
2     會按 key 由小到大排序。
3 元素存取
4 operator[]: 存取指定的[i]元素的資料
5
6 迭代器
7 begin(): 回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end(): 回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin(): 回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend(): 回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時，利用iterator操作：
13 取key: it->first 或 (*it).first
14 取value: it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty(): 檢查容器是否為空，空則回傳true
18 size(): 回傳元素數量
19 max_size(): 回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear(): 刪除所有元素
23 insert(): 插入元素
24 erase(): 刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
27 查找
28 count(): 回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
31 //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34 int main(){
35     //declaration container and iterator
36     map<string, string> mp;
37     map<string, string>::iterator iter;
38     map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40     //insert element
41     mp.insert(pair<string, string>
42         ("r000", "student_zero"));
43     mp["r123"] = "student_first";
44     mp["r456"] = "student_second";
45
46     //traversal

```

```

47 for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
48     cout<<iter->first<<" "
49         <<iter->second<<endl;
50 for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
51     cout<<iter_r->first<<"
52         "<<iter_r->second<<endl;
53
54 //find and erase the element
55 iter=mp.find("r123");
56 mp.erase(iter);
57 iter=mp.find("r123");
58 if(iter!=mp.end())
59     cout<<"Find, the value is "
60         <<iter->second<<endl;
61 else cout<<"Do not Find"<<endl;
62 return 0;
63 }

```

4.4 unordered_map

1 unordered_map：存放 key-value pairs
 2 的「無序」映射資料結構。
 3 用法與map相同

4.5 set

```

1 set： 集合，去除重複的元素，資料由小到大排序。
2
3 取值： 使用iterator
4     x = *st.begin();
5         // set中的第一個元素(最小的元素)。
6     x = *st.rbegin();
7         // set中的最後一個元素(最大的元素)。
8
9 判斷是否為空的set：
10     st.empty() 回傳true
11     st.size() 回傳零
12
13 常用來搭配的member function：
14     st.count(x);
15     auto it = st.find(x);
16         // binary search, O(log(N))
17     auto it = st.lower_bound(x);
18         // binary search, O(log(N))
19     auto it = st.upper_bound(x);
20         // binary search, O(log(N))

```

4.6 multiset

1 與 set 用法雷同，但會保留重複的元素。
 2 資料由小到大排序。
 3 宣告：
 4 multiset<int> st;
 5 刪除資料：
 6 st.erase(val);
 7 //會刪除所有值為 val 的元素。
 8 st.erase(st.find(val));
 9 //只刪除第一個值為 val 的元素。

4.7 unordered_set

1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table)，
 2 資料插入和查詢的時間複雜度很低，為常數級別 $O(1)$ ，
 3 相對的代價是消耗較多的記憶體，空間複雜度較高，
 4 無自動排序功能。
 5
 6 unordered_set 判斷元素是否存在

```

7 unordered_set<int> myunordered_set;
8 myunordered_set.insert(2);
9 myunordered_set.insert(4);
10 myunordered_set.insert(6);
11 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
12 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0

```

4.8 單調隊列

```

1 //單調隊列
2 "如果一個選手比你小還比你強，你就可以退役了。"--單調隊列
3
4 example
5
6 給出一個長度為 n 的數組，
7 輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
8
9 #include <bits/stdc++.h>
10 #define maxn 1000100
11 using namespace std;
12 int q[maxn], a[maxn];
13 int n, k;
14
15 void getmin() {
16     // 得到這個隊列裡的最小值，直接找到最後的就行了
17     int head=0, tail=0;
18     for(int i=1; i<=k; i++) {
19         while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
20         q[++tail]=i;
21     }
22     for(int i=k; i<=n; i++) {
23         while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24         q[++tail]=i;
25         while(q[head]<=i-k) head++;
26         cout<<a[q[head]]<<" ";
27     }
28     cout<<endl;
29 }
30
31 void getmax() { // 和上面同理
32     int head=0, tail=0;
33     for(int i=1; i<=k; i++) {
34         while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i]) tail--;
35         q[++tail]=i;
36     }
37     for(int i=k; i<=n; i++) {
38         while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i]) tail--;
39         q[++tail]=i;
40         while(q[head]<=i-k) head++;
41         cout<<a[q[head]]<<" ";
42     }
43     cout<<endl;
44 }
45
46 int main(){
47     cin>>n>>k; //每k個連續的數
48     for(int i=1; i<=n; i++) cin>>a[i];
49     getmin();
50     getmax();
51     return 0;
52 }

```

5 sort

5.1 大數排序

```

1 #python大數排序
2
3 while True:
4     try:
5         n = int(input())
6         # 有幾筆數字需要排序

```

```

6   arr = []                # 建立空串列
7   for i in range(n):
8       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
9   arr.sort()              # 串列排序
10  for i in arr:
11      print(i)            # 依序印出串列中每個項目
12  except:
13      break

```

6 math

6.1 質數與因數

```

1  埃氏篩法
2  int n;
3  vector<int> isprime(n+1,1);
4  isprime[0]=isprime[1]=0;
5  for(int i=2;i*i<=n;i++){
6      if(isprime[i])
7          for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;
8  }
9
10 歐拉篩O(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
16     memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
17     isPrime[0]=isPrime[1]=false;
18     for(int i=2;i<MAXN;i++){
19         if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
20         for(int
21             j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;j++){
22             isPrime[i*prime[j]]=false;
23             if(i%prime[j]==0) break;
24         }
25     }
26
27 最大公因數 O(log(min(a,b)))
28 int GCD(int a,int b){
29     if(b==0) return a;
30     return GCD(b,a%b);
31 }
32
33 質因數分解
34 void primeFactorization(int n){
35     for(int i=0;i<(int)p.size();++i){
36         if(p[i]*p[i]>n) break;
37         if(n%p[i]) continue;
38         cout<<p[i]<<' ';
39         while(n%p[i]==0) n/=p[i];
40     }
41     if(n!=1) cout<<n<<' ';
42     cout<<'\n';
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 //ax+by=GCD(a,b)
47 #include <bits/stdc++.h>
48 using namespace std;
49
50 int ext_euc(int a,int b,int &x,int &y){
51     if(b==0){
52         x=1,y=0;
53         return a;
54     }
55     int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
56     y-=a/b*x;
57     return d;
58 }
59

```

```

60 int main(){
61     int a,b,x,y;
62     cin>>a>>b;
63     ext_euc(a,b,x,y);
64     cout<<x<<' '<<y<<endl;
65     return 0;
66 }
67
68
69
70 歌德巴赫猜想
71 solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
72 #include <iostream>
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75 int ox[N],p[N],pr;
76 void PrimeTable(){
77     ox[0]=ox[1]=1;
78     pr=0;
79     for(int i=2;i<N;i++){
80         if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81         for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++){
82             ox[i*p[j]]=1;
83         }
84     }
85
86 int main(){
87     PrimeTable();
88     int n;
89     while(cin>>n,n){
90         int x;
91         for(x=1;;x+=2)
92             if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93         printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
94     }
95 }
96
97 problem : 給定整數 N ,
98 求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
99 如果 N 是質數, 則答案為 1。
100 如果 N 是偶數(不包含2), 則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
101 如果 N 是奇數且 N-2 是質數, 則答案為 2 (2+質數)。
102 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
103 #include<bits/stdc++.h>
104 using namespace std;
105
106 bool isPrime(int n){
107     for(int i=2;i<n;++i){
108         if(i*i>n) return true;
109         if(n%i==0) return false;
110     }
111     return true;
112 }
113
114 int main(){
115     int n;
116     cin>>n;
117     if(isPrime(n)) cout<<"1\n";
118     else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
119     else cout<<"3\n";
120 }

```

6.2 快速幂

```

1  計算a^b
2  #include<iostream>
3  #define ll long long
4  using namespace std;
5
6  const ll MOD=1000000007;
7  ll fp(ll a, ll b) {
8      int ans=1;
9      while(b>0){
10         if(b&1) ans=ans*a%MOD;
11         a=a*a%MOD;
12         b>>=1;

```

```

13     }
14     return ans;
15 }
16
17 int main() {
18     int a,b;
19     cin>>a>>b;
20     cout<<fp(a,b);
21 }

```

6.3 歐拉函數

```

1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
3 int phi(){
4     int ans=n;
5     for(int i=2;i*i<=n;i++){
6         if(n%i==0){
7             ans=ans-ans/i;
8             while(n%i==0) n/=i;
9         }
10    }
11    if(n>1) ans=ans-ans/n;
12    return ans;
13 }

```

6.4 atan

```

1 說明
2  atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x 的反正切。
3
4 回覆值
5  atan() 函數會傳回介於範圍 - /2 到 /2 弧度之間的值。
6  atan2() 函數會傳回介於 - 至 弧度之間的值。
7  如果 atan2() 函數的兩個引數都是零，
8  則函數會將 errno 設為 EDOM，並傳回值 0。
9
10 範例
11 #include <math.h>
12 #include <stdio.h>
13
14 int main(void){
15     double a,b,c,d;
16
17     c=0.45;
18     d=0.23;
19
20     a=atan(c);
21     b=atan2(c,d);
22
23     printf("atan(%lf)=%lf/n",c,a);
24     printf("atan2(%lf,%lf)=%lf/n",c,d,b);
25
26 }
27
28 /*
29 atan(0.450000)=0.422854
30 atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
31 */

```

6.5 大步小步

```

1 題意
2  給定 B,N,P，求出 L 滿足  $B^L \equiv N \pmod{P}$ 。
3
4 題解
5  餘數的循環節長度必定為 P 的因數，因此
6  有  $B^0, B^P, B^{2P}, \dots$ ，
7  也就是說如果有解則  $L < N$ ，枚舉 0,1,2,L-1
8  能得到結果，但會超時。

```

```

8 將 L 拆成  $mx+y$ ，只要分別枚舉 x,y 就能得到答案，
9 設  $m=\sqrt{P}$  能保證最多枚舉  $2\sqrt{P}$  次。
10
11  $B^{mx+y} \equiv N \pmod{P}$ 
12  $B^{mx} B^y \equiv N \pmod{P}$ 
13  $B^y \equiv N(B^{mx})^{-1} \pmod{P}$ 
14
15 先求出  $B^0, B^1, B^2, \dots, B^{m-1}$ ，
16 再枚舉  $N(B^{mx})^{-1}, N(B^{2x})^{-1}, \dots$  查看是否有對應的  $B^y$ 。
17 這種算法稱為大步小步演算法，
18 大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步)，
19 小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
20
21 複雜度分析
22 利用 map/unorder_map 存放  $B^0, B^1, B^2, \dots, B^{m-1}$ ，
23 枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的  $B^y$ ，
24 存放和查詢最多  $2\sqrt{P}$  次，時間複雜度為  $O(\sqrt{P} \log \sqrt{P}) / O(\sqrt{P})$ 。
25
26
27
28 #include <bits/stdc++.h>
29 using namespace std;
30 using LL = long long;
31 LL B, N, P;
32
33 LL fpow(LL a, LL b, LL c){
34     LL res=1;
35     for(;b>=1;){
36         if(b&1)
37             res=(res*a)%c;
38         a=(a*a)%c;
39     }
40     return res;
41 }
42
43 LL BSGS(LL a, LL b, LL p){
44     a%=p,b%=p;
45     if(a==0)
46         return b==0?-1:-1;
47     if(b==1)
48         return 0;
49     map<LL, LL> tb;
50     LL sq=ceil(sqrt(p-1));
51     LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
52     tb[1]=sq;
53     for(LL i=1,tmp=1;i<sq;++i){
54         tmp=(tmp*a)%p;
55         if(!tb.count(tmp))
56             tb[tmp]=i;
57     }
58     for(LL i=0;i<sq;++i){
59         if(tb.count(b)){
60             LL res=tb[b];
61             return i*sq+(res==sq?0:res);
62         }
63         b=(b*inv)%p;
64     }
65     return -1;
66 }
67
68 int main(){
69     ios::sync_with_stdio(false);
70     cin.tie(0),cout.tie(0);
71     while(cin>>P>>B>>N){
72         LL ans=BSGS(B,N,P);
73         if(ans!=-1)
74             cout<<"no solution\n";
75         else
76             cout<<ans<<"\n";
77     }
78 }

```

7 algorithm

7.1 basic

```

1 min_element: 找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element: 找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort: 排序, 預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp): 可自行定義比較運算子 cmp。
8 find: 尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound: 尋找第一個小於 x 的元素位置,
    如果不存在, 則回傳 last。
11 lower_bound(first, last, val)
12 upper_bound: 尋找第一個大於 x 的元素位置,
    如果不存在, 則回傳 last。
13 upper_bound(first, last, val)
14 next_permutation: 將序列順序轉換成下一個字典序,
    如果存在回傳 true, 反之回傳 false。
15 next_permutation(first, last)
16 prev_permutation: 將序列順序轉換成上一個字典序,
    如果存在回傳 true, 反之回傳 false。
17 prev_permutation(first, last)

```

7.2 二分搜

```

1 int binary_search(int target) {
2     // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
3     // index that target value exists, with "ng" doesn't.
4     int ok = maxn, ng = -1;
5     // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
6     // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
7     // (the "check" funtion
8     // should be changed depending on it.)
9     while(abs(ok - ng) > 1) {
10         int mid = (ok + ng) >> 1;
11         if(check(mid)) ok = mid;
12         else ng = mid;
13     }
14     // Be careful, "arr[mid]>=target" for first
15     // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
16     // last lower_bound. For range (ng, ok],
17     // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
18     // choose the first one, or convert [ok, ng) into
19     // [ok, mid) and [mid, ng) and then choose
20     // the second one.
21     return ok;
22 }
23
24 lower_bound(arr, arr + n, k); //最左邊 ≥ k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k); //最左邊 > k 的位置
26 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
27 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
28 (lower_bound, upper_bound) //等於 k 的範圍
29 equal_range(arr, arr+n, k);

```

7.3 三分搜

```

1 題意
2 給定兩射線方向和速度, 問兩射線最近距離。
3
4 題解
5 假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離, F(t) 為二次函數,
6 可用三分搜找二次函數最小值。
7
8 #include <bits/stdc++.h>
9 using namespace std;

```

```

10
11 struct Point{
12     double x, y, z;
13     Point() {}
14     Point(double _x, double _y, double
15           _z):x(_x),y(_y),z(_z){}
16     void read() { cin>>x>>y>>z; }
17     Point operator+(const Point &rhs) const{
18         return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
19     }
20     Point operator-(const Point &rhs) const{
21         return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
22     }
23     Point operator*(const double &d) const{
24         return Point(x*d,y*d,z*d);
25     }
26     Point operator/(const double &d) const{
27         return Point(x/d,y/d,z/d);
28     }
29     double dist(const Point &rhs) const{
30         double res = 0;
31         res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
32         res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
33         res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
34         return res;
35     }
36 };
37
38 int main(){
39     ios::sync_with_stdio(false);
40     cin.tie(0),cout.tie(0);
41     int T;
42     cin>>T;
43     for(int ti=1;ti<=T;++ti){
44         double time;
45         Point x1,y1,d1,x2,y2,d2;
46         cin>>time;
47         x1.read();
48         y1.read();
49         x2.read();
50         y2.read();
51         d1=(y1-x1)/time;
52         d2=(y2-x2)/time;
53         double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2;
54         double ans = x1.dist(x2);
55         while(abs(L-R)>1e-10){
56             m1=(L+R)/2;
57             m2=(m1+R)/2;
58             f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
59             f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
60             ans = min(ans,min(f1,f2));
61             if(f1<f2) R=m2;
62             else L=m1;
63         }
64         cout<<"Case "<<ti<<": ";
65         cout<<fixed<<setprecision(4)<<sqrt(ans)<<"\n";
66     }
67 }

```

7.4 prefix sum

```

1 // 前綴和
2 陣列前n項的和。
3 b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+...+a[i]
4 區間和 [l, r]: b[r]-b[l-1] (要保留b[l]所以-1)
5
6 #include<bits/stdc++.h>
7 using namespace std;
8 int main(){
9     int n;
10    cin>>n;
11    int a[n],b[n];
12    for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
13    b[0]=a[0];
14    for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];

```



```

15     for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';
16     cout<<'\n';
17     int l,r;
18     cin>>l>>r;
19     cout<<b[r]-b[l-1]; //區間和
20 }

```

7.5 差分

```

1 // 差分
2 用途：在區間 [l, r] 加上一個數字v。
3 b[l] += v; (b[0~l] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v) )
5 給的 a[] 是前綴和數列，建構 b[]，
6 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ... + b[i]，
7 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8 在 b[l] 加上 v，b[r+1] 減去 v，
9 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來，b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
11
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16 int main(){
17     int n, l, r, v;
18     cin >> n;
19     for(int i=1; i<=n; i++){
20         cin >> a[i];
21         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
22     }
23     cin >> l >> r >> v;
24     b[l] += v;
25     b[r+1] -= v;
26
27     for(int i=1; i<=n; i++){
28         b[i] += b[i-1];
29         cout << b[i] << ' ';
30     }
31 }

```

7.6 greedy

```

1 //貪心
2 貪心演算法的核心為，
3 採取在目前狀態下最好或最佳（即最有利）的選擇。
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解，
5 但不保證能獲得最後（全域）最佳解，
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例，
7 確認無誤再實作。
8
9
10 刪數字問題
11 //problem
12 給定一個數字 N( $\leq 10^4$ )，需要刪除 K 個數字，
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何？
14
15 //solution
16 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數，
17 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
18
19 //code
20 int main(){
21     string s;
22     int k;
23     cin>>s>>k;
24     for(int i=0;i<k;++i){
25         if((int)s.size()==0) break;
26         int pos =(int)s.size()-1;
27         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){
28             if(s[j]>s[j+1]){

```

```

29                 pos=j;
30                 break;
31             }
32         }
33         s.erase(pos,1);
34     }
35     while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
36         s.erase(0,1);
37     if((int)s.size()) cout<<s<<'\n';
38     else cout<<0<<'\n';
39 }
40
41 最小區間覆蓋長度
42 //problem
43 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri]，
44 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
45
46 //solution
47 先將所有區間依照左界由小到大排序，
48 對於當前區間 [Li,Ri]，要從左界 >Ri 的所有區間中，
49 找到有著最大的右界的區間，連接當前區間。
50
51 //problem
52 長度 n 的直線中有數個加熱器，
53 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱，
54 問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
55
56 //solution
57 對於最左邊沒加熱的點a，選擇最遠可以加熱a的加熱器，
58 更新已加熱範圍，重複上述動作繼續尋找加熱器。
59
60 //code
61 int main(){
62     int n, r;
63     int a[1005];
64     cin>>n>>r;
65     for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
66     int i=1,ans=0;
67     while(i<=n){
68         int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
69         int nextR=-1;
70         for(int j=R;j>=L;--j){
71             if(a[j]){
72                 nextR=j;
73                 break;
74             }
75         }
76         if(nextR==-1){
77             ans=-1;
78             break;
79         }
80         ++ans;
81         i=nextR+r;
82     }
83     cout<<ans<<'\n';
84 }
85
86
87 最多不重疊區間
88 //problem
89 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri]，
90 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
91
92 //solution
93 依照右界由小到大排序，
94 每次取到一個不重疊的線段，答案 +1。
95
96 //code
97 struct Line{
98     int L,R;
99     bool operator<(const Line &rhs)const{
100         return R<rhs.R;
101     }
102 };
103
104

```

```

105 int main(){
106     int t;
107     cin>>t;
108     Line a[30];
109     while(t--){
110         int n=0;
111         while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
112             ++n;
113         sort(a,a+n);
114         int ans=1,R=a[0].R;
115         for(int i=1;i<n;i++){
116             if(a[i].L>=R){
117                 ++ans;
118                 R=a[i].R;
119             }
120         }
121         cout<<ans<<'\n';
122     }
123 }

```

最小化最大延遲問題

//problem

給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 T_i ，
期限是 D_i ，第 i 項工作延遲的時間為 $L_i = \max(0, F_i - D_i)$ ，
原本 F_i 為第 i 項工作的完成時間，
求一種工作排序使 $\max L_i$ 最小。

//solution

按照到期時間從早到晚處理。

```

136 //code
137 struct Work{
138     int t, d;
139     bool operator<(const Work &rhs)const{
140         return d<rhs.d;
141     }
142 };
143
144 int main(){
145     int n;
146     Work a[10000];
147     cin>>n;
148     for(int i=0;i<n;++i)
149         cin>>a[i].t>>a[i].d;
150     sort(a,a+n);
151     int maxL=0,sumT=0;
152     for(int i=0;i<n;++i){
153         sumT+=a[i].t;
154         maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
155     }
156     cout<<maxL<<'\n';
157 }

```

最少延遲數量問題

//problem

給定 N 個工作，每個工作的需要處理時長為 T_i ，
期限是 D_i ，求一種工作排序使得逾期工作數量最小。

//solution

期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序，
依序放入工作列表中，如果發現有工作預期，
就從目前選擇的工作中，移除耗時最長的工作。

上述方法為 Moore-Hodgson's Algorithm。

//problem

給定烏龜的重量和可承受重量，問最多可以疊幾隻烏龜？

//solution

和最少延遲數量問題是相同的問題，只要將題敘做轉換。

工作處理時長 \rightarrow 烏龜重量

工作期限 \rightarrow 烏龜可承受重量

多少工作不延期 \rightarrow 可以疊幾隻烏龜

```

180
181 //code
182 struct Work{
183     int t, d;
184     bool operator<(const Work &rhs)const{
185         return d<rhs.d;
186     }
187 };
188
189 int main(){
190     int n=0;
191     Work a[10000];
192     priority_queue<int> pq;
193     while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
194         ++n;
195     sort(a,a+n);
196     int sumT=0,ans=n;
197     for(int i=0;i<n;++i){
198         pq.push(a[i].t);
199         sumT+=a[i].t;
200         if(a[i].d<sumT){
201             int x=pq.top();
202             pq.pop();
203             sumT-=x;
204             --ans;
205         }
206     }
207     cout<<ans<<'\n';
208 }

```

任務調度問題

//problem

給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 T_i ，
期限是 D_i ，如果第 i 項工作延遲需要受到 p_i 單位懲罰，
請問最少會受到多少單位懲罰。

//solution

依照懲罰由大到小排序，

每項工作依序嘗試可不可以放在 $D_i - T_i + 1, D_i - T_i, \dots, 1, 0$ ，

如果有空閒就放進去，否則延後執行。

//problem

給定 N 項工作，每項工作的需要處理時長為 T_i ，
期限是 D_i ，如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 a_i
單位獎勵，

請問最多會獲得多少單位獎勵。

//solution

和上題相似，這題變成依照獎勵由大到小排序。

//code

```

230 struct Work{
231     int d,p;
232     bool operator<(const Work &rhs)const{
233         return p>rhs.p;
234     }
235 };
236
237 int main(){
238     int n;
239     Work a[100005];
240     bitset<100005> ok;
241     while(cin>>n){
242         ok.reset();
243         for(int i=0;i<n;++i)
244             cin>>a[i].d>>a[i].p;
245         sort(a,a+n);
246         int ans=0;
247         for(int i=0;i<n;++i){
248             int j=a[i].d;
249             while(j--){
250                 if(!ok[j]){
251                     ans+=a[i].p;
252                     ok[j]=true;
253                     break;
254                 }

```



```

255     }
256     cout<<ans<<'\n';
257 }
258 }

```

7.7 floyd warshall

```

1 int w[n][n];
2 int d[n][n];
3 int medium[n][n];
4 // 由 i 點到 j 點的路徑，其中繼點為 medium[i][j]。
5
6 void floyd_warshall(){ //O(V^3)
7     for(int i=0;i<n;i++){
8         for(int j=0;j<n;j++){
9             d[i][j]=w[i][j];
10            medium[i][j]=-1;
11            // 預設為沒有中繼點
12        }
13        for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;
14        for(int k=0;k<n;k++){
15            for(int i=0;i<n;i++){
16                for(int j=0;j<n;j++){
17                    if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){
18                        d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
19                        medium[i][j]=k;
20                        // 由 i 點走到 j 點經過了 k 點
21                    }
22                }
23            }
24            // 這支函式並不會印出起點和終點，必須另行印出。
25            void find_path(int s,int t){ // 印出最短路徑
26                if(medium[s][t]==-1) return; // 沒有中繼點就結束
27                find_path(s,medium[s][t]); // 前半段最短路徑
28                cout<<medium[s][t]; // 中繼點
29                find_path(medium[s][t],t); // 後半段最短路徑
30            }
31        }
32    }

```

7.8 dinic

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <string.h>
3 #include <queue>
4 #define MAXNODE 105
5 #define oo 1e9
6 using namespace std;
7
8 int nodeNum;
9 int graph[MAXNODE][MAXNODE];
10 int levelGraph[MAXNODE];
11 bool canReachSink[MAXNODE];
12
13 bool bfs(int from, int to){
14     memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
15     levelGraph[from]=1;
16     queue<int> q;
17     q.push(from);
18     int currentNode;
19     while(!q.empty()){
20         currentNode=q.front();
21         q.pop();
22         for(int nextNode=1;nextNode<=nodeNum;
23             ;++nextNode){
24             if((levelGraph[nextNode]==0)&&
25                 graph[currentNode][nextNode]>0){
26                 levelGraph[nextNode]=
27                     levelGraph[currentNode]+1;
28                 q.push(nextNode);
29             }
30             if((nextNode==to)&&
31                 (graph[currentNode][nextNode]>0))
32                 return true;
33         }
34     }
35     return false;
36 }

```

```

33     }
34 }
35 return false;
36 }
37 int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
38     if(from == to) return bottleNeck;
39     int outFlow = 0;
40     int flow;
41     for(int nextNode=1;nextNode<=nodeNum;++nextNode){
42         if((graph[from][nextNode]>0)&&
43             (levelGraph[from]==levelGraph[nextNode]-1)&&
44             canReachSink[nextNode]){
45             flow=dfs(nextNode,to,
46                 min(graph[from][nextNode],bottleNeck));
47             graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
48             graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
49             outFlow+=flow;
50             bottleNeck -=flow;
51         }
52         if(bottleNeck==0) break;
53     }
54     if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
55     return outFlow;
56 }
57
58 int dinic(int from, int to){
59     int maxFlow=0;
60     while(bfs(from, to)){
61         memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
62         maxFlow += dfs(from, to, oo);
63     }
64     return maxFlow;
65 }
66
67 int main(){
68     int from, to, edgeNum;
69     int NetWorkNum = 1;
70     int maxFlow;
71     while(scanf("%d",&nodeNum)!=EOF&&nodeNum!=0){
72         memset(graph, 0, sizeof(graph));
73         scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
74         int u, v, w;
75         for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){
76             scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
77             graph[u][v] += w;
78             graph[v][u] += w;
79         }
80         maxFlow = dinic(from, to);
81         printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
82         printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
83     }
84     return 0;
85 }

```

7.9 SegmentTree

```

1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
5
6 inline int pull(int l, int r) {
7     // 隨題目改變 sum、max、min
8     // l、r 是左右樹的 index
9     return st[l] + st[r];
10 }
11
12 void build(int l, int r, int i) {
13     // 在 [l, r] 區間建樹，目前根的 index 為 i
14     if (l == r) {
15         st[i] = data[l];
16         return;
17     }
18     int mid = l + ((r - l) >> 1);
19     build(l, mid, i * 2);

```

```

20     build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
21     st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
22 }
23
24 int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
25     // [ql, qr]是查詢區間,[l, r]是當前節點包含的區間
26     if (ql <= l && r <= qr)
27         return st[i];
28     int mid = l + ((r - l) >> 1);
29     if (tag[i]) {
30         //如果當前懶標有值則更新左右節點
31         st[i * 2] += tag[i] * (mid - l + 1);
32         st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
33         tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
34         tag[i * 2 + 1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
35         tag[i] = 0;
36     }
37     int sum = 0;
38     if (ql <= mid)
39         sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
40     if (qr > mid)
41         sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i * 2 + 1);
42     return sum;
43 }
44
45 void update(int ql, int qr, int l, int r, int i, int c) {
46     // [ql, qr]是查詢區間,[l, r]是當前節點包含的區間
47     // c是變化量
48     if (ql <= l && r <= qr) {
49         st[i] += (r - l + 1) * c;
50         //求和,此需乘上區間長度
51         tag[i] += c;
52         return;
53     }
54     int mid = l + ((r - l) >> 1);
55     if (tag[i] && l != r) {
56         //如果當前懶標有值則更新左右節點
57         st[i * 2] += tag[i] * (mid - l + 1);
58         st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
59         tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
60         tag[i * 2 + 1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
61         tag[i] = 0;
62     }
63     if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);
64     if (qr > mid) update(ql, qr, mid + 1, r, i * 2 + 1, c);
65     st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
66 }
67 //如果是直接改值而不是加值, query與update中的tag與st的
68 //改值從+=改成=

```

7.10 Nim Game

```

1 //兩人輪流取銅板, 每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
2 //但不能同時在兩堆取銅板, 直到最後,
3 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。

```

```

4
5 #include <bits/stdc++.h>
6 #define maxn 23+5
7 using namespace std;
8
9 int SG[maxn];
10 int visited[1000+5];
11 int pile[maxn], ans;
12
13 void calculateSG() {
14     SG[0] = 0;
15     for (int i = 1; i <= maxn; i++) {
16         int cur = 0;
17         for (int j = 0; j < i; j++)
18             for (int k = 0; k <= j; k++)
19                 visited[SG[j]^SG[k]] = i;
20         while (visited[cur] == i) cur++;
21         SG[i] = cur;
22     }
23 }

```

```

23 }
24
25 int main() {
26     calculateSG();
27     int Case = 0, n;
28     while (cin >> n, n) {
29         ans = 0;
30         for (int i = 1; i <= n; i++) cin >> pile[i];
31         for (int i = 1; i <= n; i++) if (pile[i] & 1)
32             ans ^= SG[n - i];
33         cout << "Game " << ++Case << ": ";
34         if (!ans) cout << "-1 -1 -1\n";
35         else {
36             bool flag = 0;
37             for (int i = 1; i <= n; i++) {
38                 if (pile[i]) {
39                     for (int j = i + 1; j <= n; j++) {
40                         for (int k = j; k <= n; k++) {
41                             if ((SG[n - i]^SG[n - j]^SG[n - k]) == ans) {
42                                 cout << i - 1 << " " << j - 1 << " " << k - 1 << endl;
43                                 flag = 1;
44                                 break;
45                             }
46                         }
47                     }
48                     if (flag) break;
49                 }
50             }
51             if (flag) break;
52             if (flag) break;
53         }
54     }
55     return 0;
56 }
57
58 /*
59 input
60 4 1 0 1 100
61 3 1 0 5
62 2 2 1
63 0
64 output
65 Game 1: 0 2 3
66 Game 2: 0 1 1
67 Game 3: -1 -1 -1
68 */

```

7.11 Trie

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 const int maxn = 300000 + 10;
5 const int mod = 20071027;
6
7 int dp[maxn];
8 int mp[4000*100 + 10][26];
9 char str[maxn];
10
11 struct Trie {
12     int seq;
13     int val[maxn];
14
15     Trie() {
16         seq = 0;
17         memset(val, 0, sizeof(val));
18         memset(mp, 0, sizeof(mp));
19     }
20
21     void insert(char* s, int len) {
22         int r = 0;
23         for (int i = 0; i < len; i++) {
24             int c = s[i] - 'a';
25             if (!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
26             r = mp[r][c];
27         }
28         val[r] = len;
29     }
30 }

```

```

29     return;
30 }
31
32 int find(int idx, int len) {
33     int result = 0;
34     for(int r=0; idx<len; idx++) {
35         int c = str[idx] - 'a';
36         if(!(r = mp[r][c])) return result;
37         if(val[r]) result = (result + dp[idx +
38             1]) % mod;
39     }
40     return result;
41 }
42
43 int main() {
44     int n, tc = 1;
45
46     while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
47         Trie tr;
48         int len = strlen(str);
49         char word[100+10];
50
51         memset(dp, 0, sizeof(dp));
52         dp[len] = 1;
53
54         while(n--) {
55             scanf("%s", word);
56             tr.insert(word, strlen(word));
57         }
58
59         for(int i=len-1; i>=0; i--)
60             dp[i] = tr.find(i, len);
61         printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
62     }
63     return 0;
64 }
65
66 /*****
67 ****Input****
68 * abcd
69 * 4
70 * a b cd ab
71 ****Output***
72 * Case 1: 2
73 ****
74 */

```

7.12 SPFA

```

1 struct Edge
2 {
3     int t;
4     long long w;
5     Edge(){};
6     Edge(int _t, long long _w) : t(_t), w(_w) {}
7 };
8
9 bool SPFA(int st) // 平均 $O(V + E)$  最糟 $O(VE)$ 
10 {
11     vector<int> cnt(n, 0);
12     bitset<MXV> inq(0);
13     queue<int> q;
14     q.push(st);
15     dis[st] = 0;
16     inq[st] = true;
17     while (!q.empty())
18     {
19         int cur = q.front();
20         q.pop();
21         inq[cur] = false;
22         for (auto &e : G[cur])
23         {
24             if (dis[e.t] <= dis[cur] + e.w)

```

```

25         continue;
26         dis[e.t] = dis[cur] + e.w;
27         if (inq[e.t])
28             continue;
29         ++cnt[e.t];
30         if (cnt[e.t] > n)
31             return false; // negative cycle
32         inq[e.t] = true;
33         q.push(e.t);
34     }
35 }
36 return true;
37 }

```

7.13 dijkstra

```

1 #include<bits/stdc++.h>
2 #define maxn 50000+5
3 #define INF 0x3f3f3f3f
4 using namespace std;
5
6 struct edge{
7     int v,w;
8 };
9
10 struct Item{
11     int u,dis;
12     bool operator<(const Item &rhs)const{
13         return dis>rhs.dis;
14     }
15 };
16
17 vector<edge> G[maxn];
18 int dist[maxn];
19
20 void dijkstra(int s){ //  $O((V + E)\log(E))$ 
21     memset(dist,INF,sizeof(dist));
22     dist[s]=0;
23     priority_queue<Item> pq;
24     pq.push({s,0});
25     while(!pq.empty()){
26         Item now=pq.top();
27         pq.pop();
28         if(now.dis>dist[now.u]) continue;
29         for(edge e:G[now.u]){
30             if(dist[e.v]>dist[now.u]+e.w){
31                 dist[e.v]=dist[now.u]+e.w;
32                 pq.push({e.v,dist[e.v]});
33             }
34         }
35     }
36 }
37
38 int main(){
39     int t,cas=1;
40     cin>>t;
41     while(t--){
42         int n,m,s,t;
43         cin>>n>>m>>s>>t;
44         for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();
45         int u,v,w;
46         for(int i=0;i<m;i++){
47             cin>>u>>v>>w;
48             G[u].push_back({v,w});
49             G[v].push_back({u,w});
50         }
51         dijkstra(s);
52         cout<<"Case #"<<cas++<<" : ";
53         if(dist[t]==INF) cout<<"unreachable\n";
54         else cout<<dist[t]<<endl;
55     }
56 }

```

7.14 SCC Tarjan

```

1 //Strongly Connected Components
2 //Tarjan  $O(V + E)$ 
3 int dfn[N], low[N], dfncnt, sk[N], in_stack[N], tp;
4 //dfn[u]: dfs時u被visited的順序
5 //low[u]: 在u的dfs子樹中能回到最早已在stack中的節點
6 int scc[N], sc; //節點 u 所在 SCC 的編號
7 int sz[N]; //強連通 u 的大小
8
9 void tarjan(int u) {
10     low[u] = dfn[u] = ++dfncnt, s[++tp] = u,
11         in_stack[u] = 1;
12     for (int i = h[u]; i; i = e[i].nex) {
13         const int &v = e[i].t;
14         if (!dfn[v]) {
15             tarjan(v);
16             low[u] = min(low[u], low[v]);
17         } else if (in_stack[v]) {
18             low[u] = min(low[u], dfn[v]);
19         }
20     }
21     if (dfn[u] == low[u]) {
22         ++sc;
23         while (s[tp] != u) {
24             scc[s[tp]] = sc;
25             sz[sc]++;
26             in_stack[s[tp]] = 0;
27             --tp;
28         }
29         scc[s[tp]] = sc;
30         sz[sc]++;
31         in_stack[s[tp]] = 0;
32         --tp;
33     }
34 }

```

7.15 SCC Kosaraju

```

1 //做兩次dfs,  $O(V + E)$ 
2 //g 是原圖, g2 是反圖
3 //s是dfs離開的節點
4 void dfs1(int u) {
5     vis[u] = true;
6     for (int v : g[u])
7         if (!vis[v]) dfs1(v);
8     s.push_back(u);
9 }
10
11 void dfs2(int u) {
12     group[u] = sccCnt;
13     for (int v : g2[u])
14         if (!group[v]) dfs2(v);
15 }
16
17 void kosaraju() {
18     sccCnt = 0;
19     for (int i = 1; i <= n; ++i)
20         if (!vis[i]) dfs1(i);
21     for (int i = n; i >= 1; --i)
22         if (!group[s[i]]) {
23             ++sccCnt;
24             dfs2(s[i]);
25         }
26 }

```

7.16 ArticulationPoints Tarjan

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 vector<vector<int>>> G;

```

```

5 int N;
6 int timer;
7 bool visited[105];
8 int visTime[105]; // 第一次visit的時間
9 int low[105];
10 // 最小能回到的父節點(不能是自己的parent)的visTime
11 int res;
12 //求割點數量
13 void tarjan(int u, int parent) {
14     int child = 0;
15     bool isCut = false;
16     visited[u] = true;
17     visTime[u] = low[u] = ++timer;
18     for (int v: G[u]) {
19         if (!visited[v]) {
20             ++child;
21             tarjan(v, u);
22             low[u] = min(low[u], low[v]);
23             if (parent != -1 && low[v] >= visTime[u])
24                 isCut = true;
25         }
26         else if (v != parent)
27             low[u] = min(low[u], visTime[v]);
28     }
29     //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
30     if (parent == -1 && child >= 2)
31         isCut = true;
32     if (isCut)
33         ++res;
34 }
35
36 int main()
37 {
38     char input[105];
39     char* token;
40     while (scanf("%d", &N) != EOF && N)
41     {
42         G.assign(105, vector<int>());
43         memset(visited, false, sizeof(visited));
44         memset(low, 0, sizeof(low));
45         memset(visTime, 0, sizeof(visTime));
46         timer = 0;
47         res = 0;
48         getchar(); // for \n
49         while (fgets(input, 105, stdin))
50         {
51             if (input[0] == '0')
52                 break;
53             int size = strlen(input);
54             input[size - 1] = '\0';
55             --size;
56             token = strtok(input, " ");
57             int u = atoi(token);
58             int v;
59             while (token = strtok(NULL, " "))
60             {
61                 v = atoi(token);
62                 G[u].emplace_back(v);
63                 G[v].emplace_back(u);
64             }
65         }
66         tarjan(1, -1);
67         printf("%d\n", res);
68     }
69     return 0;
70 }

```

7.17 最小樹狀圖

```

1 定義
2 有向圖上的最小生成樹 (Directed Minimum Spanning Tree)
3 稱為最小樹形圖。
4 常用的演算法是朱劉演算法 (也稱為Edmonds 演算法) ,
5 可以在 $O(nm)$ 時間內解決最小樹形圖問題。

```

```

7  流程
8  1. 對於每個點，選擇它入度最小的那條邊
9  2. 如果沒有環，演算法終止；
10  否則進行縮環並更新其他點到環的距離。
11
12 bool solve() {
13     ans = 0;
14     int u, v, root = 0;
15     for (;;) {
16         f(i, 0, n) in[i] = 1e100;
17         f(i, 0, m) {
18             u = e[i].s;
19             v = e[i].t;
20             if (u != v && e[i].w < in[v]) {
21                 in[v] = e[i].w;
22                 pre[v] = u;
23             }
24         }
25         f(i, 0, m) if(i!=root && in[i]>1e50) return 0;
26         int tn = 0;
27         memset(id, -1, sizeof id);
28         memset(vis, -1, sizeof vis);
29         in[root] = 0;
30         f(i, 0, n) {
31             ans += in[i];
32             v = i;
33             while(vis[v]!=i&&id[v]==-1&&v!=root){
34                 vis[v] = i;
35                 v = pre[v];
36             }
37             if (v != root && id[v] == -1) {
38                 for(int u=pre[v];u!=v;u=pre[u]) id[u]=tn;
39                 id[v] = tn++;
40             }
41         }
42         if (tn == 0) break;
43         f(i, 0, n) if (id[i] == -1) id[i] = tn++;
44         f(i, 0, m) {
45             u = e[i].s;
46             v = e[i].t;
47             e[i].s = id[u];
48             e[i].t = id[v];
49             if (e[i].s != e[i].t) e[i].w -= in[v];
50         }
51         n = tn;
52         root = id[root];
53     }
54     return ans;
55 }
56
57 Tarjan 的DMST 演算法
58 Tarjan 提出了一種能夠在
59  $O(m+n\log n)$ 時間內解決最小樹形圖問題的演算法。
60
61 流程
62 Tarjan 的演算法分為收縮與伸展兩個過程。
63 接下來先介紹收縮的過程。
64 我們要假設輸入的圖是滿足強連通的，
65 如果不滿足那就加入  $O(n)$  條邊使其滿足，
66 並且這些邊的邊權是無窮大的。
67
68 我們需要一個堆存儲結點的入邊編號，入邊權值，
69 結點總代價等相關信息，由於後續過程中會有堆的合併操作，
70 這裡採用左偏樹 與並查集實現。
71 演算法的每一步都選擇一個任意結點v，
72 需要保證v不是根節點，並且在堆中沒有它的入邊。
73 再將v的最小入邊加入到堆中，
74 如果新加入的這條邊使堆中的邊形成了環，
75 那麼將構成環的那些結點收縮，
76 我們不妨將這些已經收縮的結點命名為超級結點，
77 再繼續這個過程，如果所有的頂點都縮成了超級結點，
78 那麼收縮過程就結束了。
79 整個收縮過程結束後會得到一棵收縮樹，

```

```

82 之後就會對它進行伸展操作。
83
84 堆中的邊總是會形成一條路徑v0 <- v1<- ... <- vk，
85 由於圖是強連通的，這個路徑必然存在，
86 並且其中的 vi 可能是最初的單一結點，
87 也可能是壓縮後的超級結點。
88
89 最初有 v0=a，其中 a 是圖中任意的一個結點，
90 每次都選擇一條最小入邊 vk <- u，
91 如果 u 不是v0,v1,...,vk中的一個結點，
92 那麼就將結點擴展到 v k+1=u。
93 如果 u 是他們其中的一個結點 vi，
94 那麼就找到了一個關於 vi <- ... <- vk <- vi的環，
95 再將他們收縮為一個超級結點c。
96
97 向隊列 P 中放入所有的結點或超級結點，
98 並初始選擇任一節點 a，只要佇列不為空，就進行以下步驟：
99
100 選擇 a 的最小入邊，保證不存在自環，
101 並找到另一頭的結點 b。
102 如果結點b沒有被記錄過說明未形成環，
103 令 a <- b，繼續目前操作尋找環。
104
105 如果 b 被記錄過了，就表示出現了環。
106 總結點數加一，並將環上的所有結點重新編號，對堆進行合併，
107 以及結點/超級結點的總權值的更新。
108 更新權值操作就是將環上所有結點的入邊都收集起來，
109 並減去環上入邊的邊權。
110
111 #include <bits/stdc++.h>
112 using namespace std;
113 typedef long long ll;
114 #define maxn 102
115 #define INF 0x3f3f3f3f
116
117 struct UnionFind {
118     int fa[maxn << 1];
119     UnionFind() { memset(fa, 0, sizeof(fa)); }
120     void clear(int n) {
121         memset(fa + 1, 0, sizeof(int) * n);
122     }
123     int find(int x) {
124         return fa[x] ? fa[x] = find(fa[x]) : x;
125     }
126     int operator[](int x) { return find(x); }
127 };
128
129 struct Edge {
130     int u, v, w, w0;
131 };
132
133 struct Heap {
134     Edge *e;
135     int rk, constant;
136     Heap *lch, *rch;
137
138     Heap(Edge *_e):
139         e(_e),rk(1),constant(0),lch(NULL),rch(NULL){}
140
141     void push() {
142         if (lch) lch->constant += constant;
143         if (rch) rch->constant += constant;
144         e->w += constant;
145         constant = 0;
146     }
147 };
148
149 Heap *merge(Heap *x, Heap *y) {
150     if (!x) return y;
151     if (!y) return x;
152     if (x->e->w + x->constant > y->e->w + y->constant)
153         swap(x, y);
154     x->push();
155     x->rch = merge(x->rch, y);
156

```

```

157 if (!x->lch || x->lch->rk < x->rch->rk)
158     swap(x->lch, x->rch);
159 if (x->rch)
160     x->rk = x->rch->rk + 1;
161 else
162     x->rk = 1;
163 return x;
164 }
165
166 Edge *extract(Heap *&x) {
167     Edge *r = x->e;
168     x->push();
169     x = merge(x->lch, x->rch);
170     return r;
171 }
172
173 vector<Edge> in[maxn];
174 int n, m, fa[maxn << 1], nxt[maxn << 1];
175 Edge *ed[maxn << 1];
176 Heap *Q[maxn << 1];
177 UnionFind id;
178
179 void contract() {
180     bool mark[maxn << 1];
181     //將圖上的每一個節點與其相連的那些節點進行記錄
182     for (int i = 1; i <= n; i++) {
183         queue<Heap *> q;
184         for (int j = 0; j < in[i].size(); j++)
185             q.push(new Heap(&in[i][j]));
186         while (q.size() > 1) {
187             Heap *u = q.front();
188             q.pop();
189             Heap *v = q.front();
190             q.pop();
191             q.push(merge(u, v));
192         }
193         Q[i] = q.front();
194     }
195     mark[1] = true;
196     for (int a=1, b=1, p; Q[a]; b=a, mark[b]=true){
197         //尋找最小入邊以及其端點，保證無環
198         do {
199             ed[a] = extract(Q[a]);
200             a = id[ed[a]->u];
201         } while (a == b && Q[a]);
202         if (a == b) break;
203         if (!mark[a]) continue;
204         //對發現的環進行收縮，以及環內的節點重新編號，
205         //總權值更新
206         for (a = b, n++; a != n; a = p) {
207             id.fa[a] = fa[a] = n;
208             if (Q[a]) Q[a]->constant -= ed[a]->w;
209             Q[n] = merge(Q[n], Q[a]);
210             p = id[ed[a]->u];
211             nxt[p == n ? b : p] = a;
212         }
213     }
214 }
215
216 ll expand(int x, int r);
217 ll expand_iter(int x) {
218     ll r = 0;
219     for (int u=nxt[x]; u!=x; u=nxt[u]){
220         if (ed[u]->w0 >= INF)
221             return INF;
222         else
223             r+=expand(ed[u]->v, u)+ed[u]->w0;
224     }
225     return r;
226 }
227
228 ll expand(int x, int t) {
229     ll r = 0;
230     for (; x != t; x = fa[x]) {
231         r += expand_iter(x);
232         if (r >= INF) return INF;
233     }

```

```

234     return r;
235 }
236
237 void link(int u, int v, int w) {
238     in[v].push_back({u, v, w});
239 }
240
241 int main() {
242     int rt;
243     scanf("%d %d %d", &n, &m, &rt);
244     for (int i = 0; i < m; i++) {
245         int u, v, w;
246         scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
247         link(u, v, w);
248     }
249     //保證強連通
250     for (int i = 1; i <= n; i++)
251         link(i > 1 ? i - 1 : n, i, INF);
252     contract();
253     ll ans = expand(rt, n);
254     if (ans >= INF)
255         puts("-1");
256     else
257         printf("%lld\n", ans);
258     return 0;
259 }

```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```

1 //最長共同子序列(LCS)
2 給定兩序列 A,B，求最長的序列 C，
3 C 同時為 A,B 的子序列。
4
5 //最長遞增子序列(LIS)
6 給你一個序列 A，求最長的序列 B，
7 B 是一個（非）嚴格遞增序列，且為 A 的子序列。
8
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
11     1. A 為原序列， B=sort(A)
12     2. 對 A,B 做 LCS
13 LCS 轉成 LIS
14     1. A, B 為原本的兩序列
15     2. 最 A 序列作編號轉換，將轉換規則套用在 B
16     3. 對 B 做 LIS
17     4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字，
18        越早出現的數字要越小
19     5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面，
20        直接忽略這個數字不做轉換即可

```

9 Section2

9.1 thm

- 中文測試

$$\sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$\binom{x}{y} = \frac{x!}{y!(x-y)!}$$

$$\int_0^{\infty} e^{-x} dx$$

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

10 dp 表格

10.1 DPlist

1							
2							
3							
4							
5							
6							
7							
8							
9							
10							
11							
12							
13							
14							
15							
16							
17							
18							
19							
20							
21							
22							
23							
24							
25							
26							
27							
28							
29							
30							
31							
32							
33							
34							
35							
36							
37							
38							
39							
40							
41							
42							
43							
44							
45							
46							
47							
48							
49							
50							
51							
52							
53							
54							
55							
56							
57							
58							
59							
60							
61							
62							
63							
64							
65							
66							
67							
68							
69							
70							
71							
72							

73							
74							
75							
76							
77							
78							
79							
80							
81							
82							
83							
84							
85							
86							
87							
88							
89							
90							
91							
92							
93							
94							
95							
96							
97							
98							
99							
100							
101							
102							
103							
104							
105							
106							
107							
108							
109							
110							
111							
112							
113							
114							
115							
116							
117							
118							
119							
120							
121							
122							
123							
124							
125							
126							
127							
128							
129							
130							
131							
132							
133							
134							
135							
136							
137							
138							
139							
140							
141							
142							
143							
144							
145							
146							
147							
148							
149							

150									
151	-----								
152									
153									
154	-----								
155									
156									
157	-----								
158									
159									
160	-----								
161									
162									
163	-----								
164									
165									
166	-----								
167									
168									
169	-----								
170									
171									
172	-----								
173									
174									
175	-----								
176									
177									
178	-----								
179									
180									
181	-----								
182									
183									
184	-----								
185									
186									
187	-----								
188									
189									
190	-----								
191									
192									
193	-----								
194									
195									
196	-----								
197									
198									
199	-----								
200									
201									
202	-----								
203									
204									
205	-----								
206									
207									
208	-----								
209									
210									
211	-----								
212									
213									
214	-----								
215									
216									
217	-----								
218									
219									
220	-----								
221									
222									
223	-----								
224									
225									
226	-----								

227									
228									
229	-----								
230									
231									
232	-----								
233									
234									
235	-----								
236									
237									
238	-----								
239									
240									
241	-----								
242									
243									
244	-----								
245									
246									
247	-----								
248									
249									
250	-----								
251									
252									
253	-----								
254									
255									
256	-----								
257									
258									
259	-----								
260									
261									
262	-----								
263									
264									
265	-----								
266									
267									
268	-----								
269									
270									
271	-----								
272									
273									
274	-----								
275									
276									
277	-----								
278									
279									
280	-----								
281									
282									
283	-----								
284									
285									
286	-----								
287									
288									
289	-----								
290									
291									
292	-----								
293									
294									
295	-----								
296									
297									
298	-----								
299									
300									
301	-----								
302									
303									

304							
305							
306							
307							
308							
309							
310							
311							
312							
313							
314							
315							
316							
317							
318							
319							
320							
321							
322							
323							
324							
325							
326							
327							
328							
329							
330							
331							
332							
333							
334							
335							
336							
337							
338							
339							
340							
341							
342							
343							
344							
345							
346							
347							
348							
349							
350							
351							
352							
353							
354							
355							
356							
357							
358							
359							
360							
361							
362							
363							
364							
365							
366							
367							
368							
369							
370							
371							
372							
373							
374							
375							
376							
377							
378							
379							
380							

381							
382							
383							
384							
385							
386							
387							
388							
389							
390							
391							
392							
393							
394							
395							
396							
397							
398							
399							
400							
401							
402							
403							
404							
405							
406							
407							
408							
409							
410							
411							
412							
413							
414							
415							
416							
417							
418							
419							
420							
421							
422							
423							
424							
425							
426							
427							
428							
429							
430							
431							
432							
433							
434							
435							
436							
437							
438							
439							
440							
441							
442							
443							
444							
445							
446							
447							
448							
449							
450							
451							
452							
453							
454							
455							
456							
457							

458									
459									
460	-----								
461									
462									
463	-----								
464									
465									
466	-----								
467									
468									
469	-----								
470									
471									
472	-----								
473									
474									
475	-----								
476									
477									
478	-----								
479									
480									
481	-----								
482									
483									
484	-----								
485									
486									
487	-----								
488									
489									
490	-----								
491									
492									
493	-----								
494									
495									
496	-----								
497									
498									
499	-----								
500									
501									
502	-----								
503									
504									
505	-----								
506									
507									
508	-----								
509									
510									
511	-----								
512									
513									
514	-----								
515									
516									
517	-----								
518									
519									
520	-----								
521									
522									
523	-----								
524									
525									
526	-----								
527									
528									
529	-----								
530									
531									
532	-----								
533									
534									

535	-----								
536									
537									
538	-----								
539									
540									
541	-----								
542									
543									
544	-----								
545									
546									
547	-----								
548									
549									
550	-----								
551									
552									
553	-----								
554									
555									
556	-----								
557									
558									
559	-----								
560									
561									
562	-----								
563									
564									
565	-----								
566									
567									
568	-----								
569									
570									
571	-----								
572									
573									
574	-----								
575									
576									
577	-----								
578									
579									
580	-----								
581									
582									
583	-----								
584									
585									
586	-----								
587									
588									
589	-----								
590									
591									
592	-----								
593									
594									
595	-----								
596									
597									
598	-----								
599									
600									
601	-----								
602									
603									
604	-----								
605									
606									
607	-----								
608									
609									
610	-----								
611									

612									
613	-----								
614									
615									
616	-----								
617									
618									
619	-----								
620									
621									
622	-----								
623									
624									
625	-----								
626									
627									
628	-----								
629									
630									
631	-----								
632									
633									
634	-----								
635									
636									
637	-----								
638									
639									
640	-----								
641									
642									
643	-----								
644									
645									
646	-----								
647									
648									
649	-----								
650									
651									
652	-----								
653									
654									
655	-----								
656									
657									
658	-----								
659									
660									
661	-----								
662									
663									
664	-----								
665									
666									
667	-----								
668									
669									
670	-----								
671									
672									
673	-----								
674									
675									
676	-----								
677									
678									
679	-----								
680									
681									
682	-----								
683									
684									
685	-----								
686									
687									
688	-----								

689									
690									
691	-----								
692									
693									
694	-----								
695									
696									
697	-----								
698									
699									
700	-----								
701									
702									
703	-----								
704									
705									
706	-----								
707									
708									
709	-----								
710									
711									
712	-----								
713									
714									
715	-----								
716									
717									
718	-----								
719									
720									
721	-----								
722									
723									
724	-----								
725									
726									
727	-----								
728									
729									
730	-----								
731									
732									
733	-----								
734									
735									
736	-----								
737									
738									
739	-----								
740									
741									
742	-----								
743									
744									
745	-----								
746									
747									
748	-----								
749									
750									
751	-----								
752									
753									
754	-----								
755									
756									
757	-----								
758									
759									
760	-----								
761									
762									
763	-----								
764									
765									

766							
767							
768							
769							
770							
771							
772							
773							
774							
775							
776							
777							
778							
779							
780							
781							
782							
783							
784							
785							
786							
787							
788							
789							
790							
791							
792							
793							
794							
795							
796							
797							
798							
799							
800							
801							
802							
803							
804							
805							
806							
807							
808							
809							
810							
811							
812							
813							
814							
815							
816							
817							
818							
819							
820							
821							
822							
823							
824							
825							
826							
827							
828							
829							
830							
831							
832							
833							
834							
835							
836							
837							
838							
839							
840							
841							
842							

843							
844							
845							
846							
847							
848							
849							
850							
851							
852							
853							
854							
855							
856							
857							
858							
859							
860							
861							
862							
863							
864							
865							
866							
867							
868							
869							
870							
871							
872							
873							
874							
875							
876							
877							
878							
879							
880							
881							
882							
883							
884							
885							
886							
887							
888							
889							
890							
891							
892							
893							
894							
895							
896							
897							
898							
899							
900							
901							
902							
903							
904							
905							
906							
907							
908							
909							
910							
911							
912							
913							
914							
915							
916							
917							
918							
919							

920							
921							
922	-----						
923							
924							
925	-----						
926							
927							
928	-----						
929							
930							
931	-----						
932							
933							
934	-----						
935							
936							
937	-----						
938							
939							
940	-----						
941							
942							
943	-----						
944							
945							
946	-----						
947							
948							
949	-----						
950							
951							
952	-----						
953							
954							
955	-----						
956							
957							
958	-----						
959							
960							
961	-----						
962							
963							
964	-----						
965							
966							
967	-----						
968							
969							
970	-----						
971							
972							
973	-----						
974							
975							
976	-----						
977							
978							
979	-----						
980							
981							
982	-----						
983							
984							
985	-----						
986							
987							
988	-----						
989							
990							
991	-----						
992							
993							
994	-----						
995							
996							

997	-----						
998							
999							
1000	-----						
1001							
1002							
1003	-----						
1004							
1005							
1006	-----						
1007							
1008							
1009	-----						
1010							
1011							
1012	-----						
1013							
1014							
1015	-----						
1016							
1017							
1018	-----						
1019							
1020							
1021	-----						
1022							
1023							
1024	-----						
1025							
1026							
1027	-----						
1028							
1029							
1030	-----						
1031							
1032							
1033	-----						
1034							
1035							
1036	-----						
1037							
1038							
1039	-----						
1040							
1041							
1042	-----						
1043							
1044							
1045	-----						
1046							
1047							
1048	-----						
1049							
1050							
1051	-----						
1052							
1053							
1054	-----						
1055							
1056							
1057	-----						
1058							
1059							
1060	-----						
1061							
1062							
1063	-----						
1064							
1065							
1066	-----						
1067							
1068							
1069	-----						
1070							
1071							
1072	-----						
1073							

1074									
1075	-----								
1076									
1077									
1078	-----								
1079									
1080									
1081	-----								
1082									
1083									
1084	-----								
1085									
1086									
1087	-----								
1088									
1089									
1090	-----								
1091									
1092									
1093	-----								
1094									
1095									
1096	-----								
1097									
1098									
1099	-----								
1100									
1101									
1102	-----								
1103									
1104									
1105	-----								
1106									
1107									
1108	-----								
1109									
1110									
1111	-----								
1112									
1113									
1114	-----								
1115									
1116									
1117	-----								
1118									
1119									
1120	-----								
1121									
1122									
1123	-----								
1124									
1125									
1126	-----								
1127									
1128									
1129	-----								
1130									
1131									
1132	-----								
1133									
1134									
1135	-----								
1136									
1137									
1138	-----								
1139									
1140									
1141	-----								
1142									
1143									
1144	-----								
1145									
1146									
1147	-----								
1148									
1149									
1150	-----								

1151									
1152									
1153	-----								
1154									
1155									
1156	-----								
1157									
1158									
1159	-----								
1160									
1161									
1162	-----								
1163									
1164									
1165	-----								
1166									
1167									
1168	-----								
1169									
1170									
1171	-----								
1172									
1173									
1174	-----								
1175									
1176									
1177	-----								
1178									
1179									
1180	-----								
1181									
1182									
1183	-----								
1184									
1185									
1186	-----								
1187									
1188									
1189	-----								
1190									
1191									
1192	-----								
1193									
1194									
1195	-----								
1196									
1197									
1198	-----								
1199									
1200									
1201	-----								
1202									
1203									
1204	-----								
1205									
1206									
1207	-----								
1208									
1209									
1210	-----								
1211									
1212									
1213	-----								
1214									
1215									
1216	-----								
1217									
1218									
1219	-----								
1220									
1221									
1222	-----								
1223									
1224									
1225	-----								
1226									
1227									

Jc11	FJCU	23
1228	1305	
1229	1306	
1230	1307	
1231	1308	
1232	1309	
1233	1310	
1234	1311	
1235	1312	
1236	1313	
1237	1314	
1238	1315	
1239	1316	
1240	1317	
1241	1318	
1242	1319	
1243	1320	
1244	1321	
1245	1322	
1246	1323	
1247	1324	
1248	1325	
1249	1326	
1250	1327	
1251	1328	
1252	1329	
1253	1330	
1254	1331	
1255	1332	
1256	1333	
1257	1334	
1258	1335	
1259	1336	
1260	1337	
1261	1338	
1262	1339	
1263	1340	
1264	1341	
1265	1342	
1266	1343	
1267	1344	
1268	1345	
1269	1346	
1270	1347	
1271	1348	
1272	1349	
1273	1350	
1274	1351	
1275	1352	
1276	1353	
1277	1354	
1278	1355	
1279	1356	
1280	1357	
1281	1358	
1282	1359	
1283	1360	
1284	1361	
1285	1362	
1286	1363	
1287	1364	
1288	1365	
1289	1366	
1290	1367	
1291	1368	
1292	1369	
1293	1370	
1294	1371	
1295	1372	
1296	1373	
1297	1374	
1298	1375	
1299	1376	
1300	1377	
1301	1378	
1302	1379	
1303	1380	
1304	1381	

1459							
1460							
1461							
1462	-	-	-	-	-	-	-
1463							
1464							
1465	-	-	-	-	-	-	-
1466							
1467							
1468	-	-	-	-	-	-	-
1469							
1470							
1471	-	-	-	-	-	-	-
1472							
1473							
1474	-	-	-	-	-	-	-
1475							
1476							
1477	-	-	-	-	-	-	-
1478							
1479							
1480	-	-	-	-	-	-	-
1481							
1482							
1483	-	-	-	-	-	-	-
1484							
1485							
1486	-	-	-	-	-	-	-
1487							
1488							
1489	-	-	-	-	-	-	-
1490							
1491							
1492	-	-	-	-	-	-	-
1493							
1494							
1495	-	-	-	-	-	-	-
1496							
1497							
1498	-	-	-	-	-	-	-
1499							
1500							
1501	-	-	-	-	-	-	-
1502							
1503							
1504	-	-	-	-	-	-	-
1505							
1506							
1507	-	-	-	-	-	-	-
1508							
1509							
1510	-	-	-	-	-	-	-
1511							
1512							
1513	-	-	-	-	-	-	-
1514							
1515							
1516	-	-	-	-	-	-	-
1517							
1518							
1519	-	-	-	-	-	-	-
1520							
1521							
1522	-	-	-	-	-	-	-
1523							
1524							
1525	-	-	-	-	-	-	-
1526							
1527							
1528	-	-	-	-	-	-	-
1529							
1530							
1531	-	-	-	-	-	-	-
1532							
1533							
1534	-	-	-	-	-	-	-

11 slogan

11.1 slogan

