Contents

1	Ubun	+																	
•			參數																
	1.2	GDB	指令	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•		Ċ	
		000	,,,,		•	•	•	•	•	•	•	•	•	·	٠	•	·		
2	字串																		
	2.1	KMP																	
	2.2	Z A	lgori	th	n														
	2.3	最長	迴文	子字	串														
_																			
3	math 3.1																		
	3.2	Dat:	ional		•	•	•	•	•	•	•				•			•	
		哲數	與因 類因	- Ит		•	•						•	•	•	•	٠	٠	
	3.4		ano F													•	•	•	
	3.5		快速															Ċ	
	3.6		函數								Ċ		Ċ		•	Ċ	·	•	
	3.7		逆元															:	
	3.8		小步																
	3.9		消去																
4	algo																		!
	4.1		edy					•								•	•	•	
	4.2		·搜 .							٠			٠			٠	٠		
			ic .										٠				٠	٠	
			ephus Kosa										٠	•	•	•	•	٠	
			Tarj									٠			•	•	•		
	4.0	Art	icula	an +i	nn E		int		Ta	·	· an	•			:			٠	
			樹狀圖												•	•	•	•	
	4.10	二分	圖最っ	⊱π	配	•													
	4.11	莫隊																	
			ssom																
	4.13	差分																	
			ar .																
			cing																1
			F.																1
			倍增																1
			樹壓																1
	4.19	LCA	樹鍊	剖ケ	Ì		٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	1:
5	Data	Stru	ctur	_															1
,							_		_										1
			· 併查∮												:		Ċ		1.
			樹 10																1.
	5.4	線段	樹 20)															1.
	5.5	權值	線段標	封															1.
			holly																1.
			隊列																1
	5.8		е.																1
	5.9	AC .	Trie																1
6	Geom	0 t m																	1
0	6.1																		1
			, . plate																1
	6.3		圓覆蓋																1
	6.4		ersec			•				•	•					•	•		1
	6.5		ygon																1
	6.6	旋轉	卡尺																1
	6.7	凸包																	1
	6.8	半平	面相多	ζ															1
_																			
7	DP	151/78	/+ × -		HE.A	_													18
	7.1 7.2		值為:														•		18 18
	7.2		code geDP							٠									1
	7.4	tha	gebr									:	:			٠	٠	٠	1
	7.5		ue 最															:	18
	7.6		和 L																18
			ingDF																1
	7.8		P 有																18
	7.9		eDP r																1
	7.10		ghted																1
_																			
8	DP L	ist																	2

Ubuntu

1.1 GDB 參數

[-tui] - 在終端機顯示檔案 [-q] - 在初始設定不顯示版本

1.2 GDB 指令

command	功能
[b]	在當前這行放中斷點
[bt]	印出堆疊
[b fn]	在函式 fn 的開頭放中斷點
[b N]	在第 N 行放中斷點
[b +N]	從目前這行屬往下 N 行都放中斷點
[c]	繼續執行程式直到下一個中斷點或錯誤
[call fn]	呼叫函式 fn
[d]	刪除所有中斷點
[d N]	刪除編號 N 的中斷點
[display x]	像 [p], 但每一次下一步都會印出 x
[f]	執行程式直到跑完當前函式
[info break]	列出所有中斷點
[1]	印出 10 行程式碼
[1 N]	印出包含第 N 行的程式碼
[l fn]	印出包含函式 fn 的程式碼
[n]	像 [s],但不進入函數
[p var]	印出 var
[q]	結束 gdb
[r]	執行程式直到下一個中斷點或錯誤
[return]	從當前函式 return
[r < file1]	像 [r], 且以 file1 為輸入
[s]	執行下一行
[s N]	執行下 N 行
[set x=y]	將 x 設定為 y
[u]	網上一層堆疊
<pre>[undisplay x]</pre>	取消 display x
[watch x==3]	執行程式直到符合條件時暫停

2 字串

2.1 KMP

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
                          // len(a), len(b)
    int n, m;
    int f[maxn];
                          // failure function
    char a[maxn], b[maxn];
     void failureFuntion() { // f[0] = 0
        for(int i=1, j=0; i<m; ) {</pre>
            if(b[i] == b[j]) f[i++] = ++j;
            else if(j) j = f[j-1];
  10
            else f[i++] = 0;
  11
  12
        }
  13
 14
     int kmp() {
8 15
        int i = 0, j = 0, res = 0;
 16
  17
         while(i < n) {</pre>
  18
            if(a[i] == b[j]) i++, j++;
  19
            else if(j) j = f[j-1];
            else i++;
 20
            if(j == m) {
 21
               res++; // 找到答案
 22
  23
                j = 0; // non-overlapping
  24
            }
  25
  26
        return res;
  27 }
  28
  29
     // Problem: 所有在b裡,前後綴相同的長度
  30 // b = ababcababababcabab
  | // f = 001201234123456789 
  32 // 前9 = 後9
  33 // 前4 = 前9的後4 = 後4
  34 // 前2 = 前4的後2 = 前9的後2 = 後2
  35 for(int j=m; j; j=f[j-1]) {
        // j 是答案
  37 }
```

2.2 Z Algorithm

```
const int maxn = 1e6 + 10;
   int z[maxn]; // s[0:z[i]) = s[i:i+z[i])
3
   string s;
   void makeZ() { // z[0] = 0
    for(int i=1, l=0, r=0; i<s.length(); i++) {</pre>
      if(i<=r && z[i-1]<r-i+1) z[i] = z[i-1];</pre>
      else {
        z[i] = max(0, r-i+1);
10
        while(i+z[i]<s.length() &&</pre>
              s[z[i]]==s[i+z[i]]) z[i]++;
12
13
      if(i+z[i]-1 > r) l = i, r = i+z[i]-1;
14
15 }
```

2.3 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
   using namespace std;
5 string s;
 6 int n;
8
   int ex(int 1,int r){
9
    int i=0;
    while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;</pre>
10
11
12 }
13
   int main(){
14
15
    cin>>s:
     n=2*s.size()+1;
17
     int mx=0;
     int center=0;
19
     vector<int> r(n);
     int ans=1;
20
21
     r[0]=1;
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
23
       int ii=center-(i-center);
       int len=mx-i+1;
24
25
       if(i>mx){
        r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i;
28
        mx=i+r[i]-1;
29
       else if(r[ii]==len){
30
        r[i]=len+ex(i-len,i+len);
31
32
        center=i;
33
        mx=i+r[i]-1;
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout<<ans-1<<"\n";
39
     return 0;
40 }
```

3 math

3.1 公式

1. Most Divisor Number

ſ	Range	最多因數數	因數個數
ſ	109	735134400	1344
	2^{31}	2095133040	1600
	10^{18}	897612484786617600	103680
	2^{64}	9200527969062830400	161280

2. Catlan Number

$$C_n = \frac{1}{n} {2n \choose n}, C_{n+1} = \frac{2(2n+1)}{n+2} C_n$$

 $C=1,1,2,5,14,42,132,429,1430,4862,\dots$

3. Faulhaber's formula

$$\sum_{k=1}^{n} k^{p} = \frac{1}{p+1} \sum_{r=0}^{p} \binom{p+1}{r} B_{r} n^{p-r+1}$$

where
$$B_0=1,\ B_r=1-\sum_{i=0}^{r-1} {r\choose i} \frac{B_i}{r-i+1}$$

也可用高斯消去法找 deg(p+1) 的多項式,例:

$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = a_3 n^3 + a_2 n^2 + a_1 n + a_0$$

$$\begin{bmatrix} 0^3 & 0^2 & 0^1 & 0^0 \\ 1^3 & 1^2 & 1^1 & 1^0 \\ 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ 3^3 & 3^2 & 3^1 & 3^0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_3 \\ a_1 \\ a_1 \\ a_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 + 3^2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 8 & 4 & 2 & 1 & 5 \\ 27 & 9 & 3 & 1 & 14 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 4 & 6 & 7 & 3 \\ 0 & 0 & 6 & 11 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1/3 \\ 1/6 \\ 1/6 \end{bmatrix}, \quad \sum_{k=1}^n k^2 = \frac{1}{3}n^3 + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{6}n$$

4. Lagrange Polynomial

拉格朗日插值法:找出 n 次多項函數 f(x) 的點 $(x_0, y_0), (x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)$

$$L(x) = \sum_{j=0}^{n} y_j l_j(x)$$

$$l_j(x) = \prod_{i=0, i \neq j}^n \frac{x - x_i}{x_j - x_i}$$

5. SG Function

 $SG(x) = mex\{SG(y)|x \to y\}$ $mex(S) = min\{n|n \in \mathbb{N}, n \notin S\}$

6. Fibonacci

$$\begin{bmatrix} f_{n-1} & f_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} & 50 \\ \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^p = \begin{bmatrix} f_{n+p} & f_{n+p+1} \end{bmatrix}, p \in \mathbb{N} \\ 51 \end{bmatrix}$$

$$F_n = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \left[\left(\frac{1 + \sqrt{5}}{2} \right)^n - \left(\frac{1 - \sqrt{5}}{2} \right)^n \right] & 53$$

7. Pick's Theorem

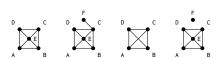
給定頂點座標均是整點(或正方形格子點)的簡單多邊形, 其面積 A 和內部格點數目 i、邊上格點數目 b 的關係為

$$A = i + \frac{b}{2} - 1$$

8. Euler's Formula

對於有 V 個點、E 條邊、F 個面 (含外部) 的連通平面圖

$$F + V - E = 2$$



(1)、(2)〇;(3)×, \overline{AC} 與 \overline{BD} 相交;(4)×,非連通圖

9. Simpson Integral

$$\int_{a}^{b} f(x) dx \approx \frac{b-a}{6} \left[f(a) + 4f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b) \right]$$

3.2 Rational

```
1 const char sep = '/'; // 分數的分隔符
   bool div0; // 要記得適時歸零
   using 11 = long long;
 5 struct Rational {
    11 p, q;
     Rational(11 a=0, 11 b=1) {
      p = a, q = b;
      reduce();
10
                                                    10
     Rational(string s) {
       if(s.find(sep) == string::npos) {
        p = stoll(s);
                                                    13
13
        q = 1;
                                                    14
      } else {
                                                    15
15
        p = stoll(s.substr(0, s.find(sep)));
        q = stoll(s.substr(s.find(sep)+1));
17
                                                    17
18
                                                    18
       reduce();
                                                    19
20
     void reduce() {
      11 t = abs(\_gcd(p, q));
22
       if(t == 0) {
                                                    23
        div0 = true;
                                                    24
        return:
                                                    25
       p /= t, q /= t;
                                                    27
       if(q < 0) p = -p, q = -q;
                                                    28
29
      return:
                                                    29
                                                    30
     string toString() {
                                                    31
       if(q == 0) {
                                                    32
        div0 = true;
                                                    33
        return "INVALID";
                                                    34
                                                    35
       if(p%q == 0) return to_string(p/q);
37
       return to_string(p) + sep + to_string(q);
                                                    37
     friend istream& operator>>(
39
                                                    39
       istream& i, Rational& r) {
                                                    40
41
       string s;
                                                    41
       i >> s;
                                                    42
43
       r = Rational(s);
44
      return i;
                                                    44
                                                    45
     friend ostream& operator<<(</pre>
46
       ostream& o, Rational r) {
                                                    47
      o << r.toString();</pre>
                                                    48
       return o;
                                                    51
                                                    52
53 Rational operator+(Rational x, Rational y) {
                                                    53
    11 t = abs(\_gcd(x.q, y.q));
                                                    54
     if(t == 0) return Rational(0, 0);
     return Rational(
                                                    56
      y.q/t*x.p + x.q/t*y.p, x.q/t*y.q);
  Rational operator-(Rational x, Rational y) {
   return x + Rational(-y.p, y.q);
61
                                                    61
  Rational operator*(Rational x, Rational y) {
                                                    62
   return Rational(x.p*y.p, x.q*y.q);
                                                    63
65 Rational operator/(Rational x, Rational y) {
    return x * Rational(y.q, y.p);
                                                    66
                                                    67
                                                    70
                                                    71
                                                    72
```

3.3 質數與因數

```
歐拉篩O(n)
   #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
   bool isPrime[MAXN];
   int p[MAXN];
   int pSize=0;
   void getPrimes(){
    memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
     isPrime[0]=isPrime[1]=false;
     for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
       if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
       for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
         isPrime[i*p[j]]=false;
         if(i%p[j]==0) break;
16 }
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
   int GCD(int a, int b){
    if(b == 0) return a;
     return GCD(b, a%b);
22 }
   質因數分解
   void primeFactorization(int n){
    for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
      if(p[i]*p[i] > n) break;
       if(n % p[i]) continue;
       cout << p[i] << ' ';
       while(n%p[i] == 0) n /= p[i];
     if(n != 1) cout << n << ' ';
     cout << '\n';</pre>
   擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)
   int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y) {
    if(b == 0){
      x = 1, y = 0;
      return a;
     int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
    y -= a/b*x;
    return d;
46 int main(){
    int a, b, x, y;
    cin >> a >> b;
    ext_euc(a, b, x, y);
cout << x << ' ' << y << endl;
     return 0:
   歌德巴赫猜想
   解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #define N 20000000
   int ox[N], p[N], pr;
   void PrimeTable(){
    ox[0] = ox[1] = 1;
    pr = 0:
     for(int i=2;i<N;i++){</pre>
      if(!ox[i]) p[pr++] = i;
       for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
        ox[i*p[j]] = 1;
68 }
   int main(){
    PrimeTable();
     int n;
     while(cin>>n, n){
73
       int x:
       for(x=1;; x+=2)
```

51

52

53

54

57

58

59

61

66

67

73

77

```
if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
       printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);
76
77
78
   }
79
   problem :
   給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
81
   如果N是質數,則答案為 1。
   如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
   如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
84
85
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
86
87
   bool isPrime(int n){
     for(int i=2;i<n;++i){</pre>
88
89
       if(i*i>n) return true;
90
      if(n%i==0) return false;
91
    return true;
   }
93
   int main(){
94
95
     int n;
     cin>>n:
96
     if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
     else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
98
99
     else cout<<"3\n";</pre>
100 }
```

3.4 Pisano Period

#include <cstdio>

#include <vector>

```
using namespace std;
  Pisano Period + 快速冪 + mod
   Pisano Period:
      費氏數列在mod n的情況下會有循環週期,
      且週期的結束判斷會在fib[i - 1] == 0 &&
           fib[i] == 1時,
10
      此時循環週期長度是i-1
11
12
   所以 這 題 是 在 找 出 循 環 调 期 後 ,
   用快速冪並mod(循環週期長度)即可AC(快速冪記得mod),
   此外fib要mod n,也要找週期,所以用預處理的方式列表
15
16
17
   #define maxn 1005
18
19
   Pisano period可證一個週期的長度會在[n, n ^ n]之間
20
   //很可惜,會爆
22
   // int fib[maxn][maxn * maxn];
23
   //改用 vector
   vector<int> fib[maxn];
25
26
   int period[maxn];
27
   int qpow(int a, unsigned long long b, int
28
       mod)
29
  {
30
    if (b == 0) return a;
    long long res = 1;
31
32
    while (b) {
      if (b & 1)
33
34
       res = ((a % mod) * (res % mod)) % mod;
35
      a = ((a % mod) * (a % mod)) % mod;
     b >>= 1:
36
    }
37
38
    return res;
39
40
   int main()
41
42
43
44
    unsigned long long a, b;
45
    int n;
```

```
//注意: 這裡沒算mod 1的循環長度,
     //因為mod 1都等於 0,沒有週期
48
    for (int i = 2; i < maxn; ++i)</pre>
49
50
       fib[i].emplace_back(0);
       fib[i].emplace_back(1);
       for (int j = 2; j < maxn * maxn; ++j)</pre>
55
        fib[i].emplace_back(
56
          (fib[i][j-1]%i+fib[i][j-2]%i)%i
        if (fib[i][j-1]==0&&fib[i][j]==1)
60
          period[i] = j - 1;
          break:
62
      }
63
    }
65
    scanf("%d", &t);
    while (t--)
68
      scanf("%11u %11u %d", &a, &b, &n);
70
       if (a == 0)
        puts("0");
72
       else if (n == 1) //當mod 1時任何數都是0,
74
        puts("0");
             //所以直接輸出0,避免我們沒算
                       //fib[1][i]的問題(Runtime
           error)
76
        printf("%d \ n",
          fib[n][qpow(a % period[n], b,
               period[n])]);
79
    return 0;
```

3.5 矩陣快速翼

```
1 using 11 = long long;
   using mat = vector<vector<ll>>;
   const int mod = 1e9 + 7;
   mat operator*(mat A, mat B) {
     mat res(A.size(), vector<ll>(B[0].size()));
     for(int i=0; i<A.size(); i++) {</pre>
       for(int j=0; j<B[0].size(); j++) {</pre>
         for(int k=0; k<B.size(); k++) {</pre>
           res[i][j] += A[i][k] * B[k][j] % mod;
           res[i][j] %= mod;
12
      }
13
     }
14
15
     return res;
16
17
18 mat I = ;
19
   // compute matrix M^n
   // 需先 init I 矩陣
20
   mat mpow(mat& M, int n) {
    if(n <= 1) return n ? M : I;</pre>
22
     mat v = mpow(M, n>>1);
     return (n & 1) ? v*v*M : v*v;
24
25 }
26
27
   // 迴圈版本
   mat mpow(mat M, int n) {
    mat res(M.size(), vector<ll>(M[0].size()));
29
30
     for(int i=0; i<res.size(); i++)</pre>
31
      res[i][i] = 1;
     for(; n; n>>=1) {
32
33
      if(n & 1) res = res * M;
      M = M * M;
34
35
36
     return res;
```

3.6 歐拉函數

```
//計算閉區間 「1.n] 中有幾個正整數與 n 互質
  int phi(){
3
      int ans=n;
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
          if(n%i==0){
             ans=ans-ans/i;
             while(n%i==0) n/=i;
10
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
11
      return ans;
12 }
```

3.7 乘法逆元、組合數

```
x^{-1} \mod m
                                   if x = 1
                                              (mod \ m)
          -\left|\frac{m}{x}\right|(m \ mod \ x)^{-1}, otherwise
                     1,
                                     if x = 1
        \left(m-\left|\frac{m}{x}\right|)(m \ mod \ x)^{-1}, \text{ otherwise}\right)
                                                  (mod\ m)
   若 p \in prime, 根據費馬小定理, 則
     \begin{array}{cccc} \ddots & ax & \equiv & 1 \pmod{p} \\ \therefore & ax & \equiv & a^{p-1} \pmod{p} \end{array}
          x \equiv a^{p-2} \pmod{p}
   using 11 = long long;
   const int maxn = 2e5 + 10;
   const int mod = 1e9 + 7;
   int fact[maxn] = {1, 1}; // x! % mod
   int inv[maxn] = {1, 1}; // x^(-1) % mod
   int invFact[maxn] = {1, 1};// (x!)^(-1) % mod
   void build() {
    for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
10
        fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
11
        inv[x] = (11)(mod-mod/x)*inv[mod%x]%mod;
12
13
        invFact[x] = (11)invFact[x-1]*inv[x]%mod;
14
15
   }
16
    // 前提: mod 為質數
17
   void build() {
18
     auto qpow = [&](11 a, int b) {
        ll res = 1:
20
        for(; b; b>>=1) {
          if(b & 1) res = res * a % mod;
22
23
          a = a * a % mod;
24
        }
25
        return res;
26
     };
27
      for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
28
        fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
29
30
        invFact[x] = qpow(fact[x], mod-2);
31
32 }
   // C(a, b) % mod
34
   int comb(int a, int b) {
35
36
     if(a < b) return 0;</pre>
     11 x = fact[a];
37
     11 y = (11)invFact[b] * invFact[a-b] % mod;
     return x * y % mod;
39
```

3.8 大步小步

```
題意
2
  給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
   題解
3
4
  餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
       B^0 B^P,B^1 B^(P+1),...,
  也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
       能得到結果,但會超時。
   將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
   設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 ∘
  B^(mx+y) N(mod P)
  B^(mx)B^y N(mod P)
10 B^y N(B^(-m))^x (mod P)
   先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
11
   再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的
       B^y∘
13 這種算法稱為大步小步演算法,
14
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
15
  小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
16
    複雜度分析
  利用 map/unorder_map 存放
17
       B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
  枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
18
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為
19
       0(\sqrt{P\log\sqrt{P}})/0(\sqrt{P}) \circ
20
   using LL = long long;
22 LL B, N, P;
23
  LL fpow(LL a, LL b, LL c){
24
      LL res=1;
25
      for(;b;b >>=1){
26
          if(b&1)
             res=(res*a)%c:
27
28
          a=(a*a)%c;
      }
29
30
      return res;
31 }
  LL BSGS(LL a,LL b,LL p){
32
33
      a%=p,b%=p;
      if(a==0)
34
          return b==0?1:-1;
35
36
      if(b==1)
37
         return 0;
38
      map<LL, LL> tb;
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
39
40
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
41
      tb[1]=sq;
42
      for(LL i=1,tmp=1;i<sq;++i){</pre>
43
          tmp=(tmp*a)%p;
          if(!tb.count(tmp))
44
45
             tb[tmp]=i;
46
47
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
48
          if(tb.count(b)){
49
             LL res=tb[b];
50
             return i*sq+(res==sq?0:res);
51
52
          b=(b*inv)%p;
53
      return -1;
54
55
  }
  int main(){
56
      IOS; //輸入優化
57
      while(cin>>P>>B>>N){
58
          LL ans=BSGS(B,N,P);
59
60
          if(ans==-1)
             cout<<"no solution\n";</pre>
61
62
             cout<<ans<<'\n';
63
64
65 }
```

3.9 高斯消去

```
    計算 AX = B

       • 傳入:
               增廣矩陣 M = [A|B]
               equ= 有幾個 equation
               var = 有幾個 variable
       • 回傳:X = (x_0, ..., x_{n-1}) 的解集
       • ! 無法判斷無解或無限多組解!
 1 using DBL = double;
2 using mat = vector<vector<DBL>>;
   vector<DBL> Gauss(mat& M, int equ, int var) {
     auto dcmp = [](DBL a, DBL b=0.0) {
      return (a > b) - (a < b);
     for(int r=0, c=0; r<equ && c<var; ) {</pre>
10
       int mx = r; // 找絕對值最大的 M[i][c]
       for(int i=r+1; i<equ; i++) {</pre>
11
12
        if(dcmp(abs(M[i][c]),abs(M[mx][c]))==1)
13
          mx = i;
14
15
       if(mx != r) swap(M[mx], M[r]);
16
17
       if(dcmp(M[r][c]) == 0) {
18
        c++;
19
        continue:
20
21
       for(int i=r+1; i<equ; i++) {</pre>
22
23
        if(dcmp(M[i][c]) == 0) continue;
24
        DBL t = M[i][c] / M[r][c];
25
        for(int j=c; j<M[c].size(); j++) {</pre>
          M[i][j] -= t * M[r][j];
26
27
      }
28
29
      r++, c++;
30
31
32
     vector<DBL> X(var);
     for(int i=var-1; i>=0; i--) {
33
34
       X[i] = M[i][var];
35
       for(int j=var-1; j>i; j--) {
        X[i] -= M[i][j] * X[j];
36
37
      X[i] /= M[i][i];
38
39
40
     return X;
```

4 algorithm

```
4.1
         greedy
  刪數字問題
  //problem
  給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
  請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i
       位數,
  扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
 8
  //code
 9
  int main(){
10
      string s:
11
      int k;
12
      cin>>s>>k;
13
      for(int i=0;i<k;++i){</pre>
         if((int)s.size()==0) break;
14
         int pos =(int)s.size()-1;
15
         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
16
17
             if(s[j]>s[j+1]){
18
                pos=j;
19
                break;
            }
20
         }
21
22
         s.erase(pos,1);
23
24
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
25
         s.erase(0.1):
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
26
27
      else cout<<0<<'\n';
28
  }
29
  最小區間覆蓋長度
  //problem
30
  給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
  請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
  先將 所有 區間 依照 左界 由 小 到 大 排 序,
  對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
35
  找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
36
37
38
39
  長度 n 的直線中有數個加熱器,
  在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
  問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
42
  //solution
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
44
45
  //code
  int main(){
46
47
      int n, r;
48
      int a[1005];
49
      cin>>n>>r:
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
50
51
      int i=1.ans=0:
52
      while(i<=n){</pre>
53
         int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
         int nextR=-1;
54
55
         for(int j=R; j>=L; --j){
56
             if(a[j]){
57
                nextR=j;
58
                break;
59
             }
60
         if(nextR==-1){
61
             ans=-1;
62
63
             break:
         }
64
65
         ++ans;
66
         i=nextR+r;
67
68
      cout<<ans<<'\n';
  }
69
70
  最多不重疊區間
71
  //problem
  給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
73 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
```

```
74 //solution
                                                    struct Work{
                                                151
75 依照右界由小到大排序,
                                                152
                                                       int t. d:
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                153
                                                           return d<rhs.d;</pre>
    //code
                                                154
                                                155
78
   struct Line{
                                                156
79
                                                    };
       bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
80
                                                157
                                                    int main(){
81
           return R<rhs.R;</pre>
                                                       int n=0;
                                                158
82
                                                159
                                                       Work a[10000];
83 };
                                                       priority_queue<int> pq;
                                                160
84
   int main(){
                                                161
                                                       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
      int t;
85
                                                162
                                                           ++n·
       cin>>t;
                                                163
                                                       sort(a,a+n);
86
       Line a[30];
87
                                                164
                                                       int sumT=0,ans=n;
88
       while(t--){
                                                165
                                                       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                           pq.push(a[i].t);
89
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R6)
                                                           sumT+=a[i].t;
90
                                                           if(a[i].d<sumT){</pre>
          sort(a,a+n);
92
                                                169
                                                              int x=pq.top();
          int ans=1,R=a[0].R;
                                                170
93
                                                              pq.pop();
94
          for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                171
                                                              sumT-=x;
              if(a[i].L>=R){
                                                172
95
                                                               --ans:
                 ++ans:
                                                173
                                                           }
97
                 R=a[i].R;
                                                174
                                                       }
98
                                                175
                                                       cout<<ans<<'\n';
          }
                                                176 }
99
          cout<<ans<<'\n';
100
                                                177
101
                                                178
                                                    任務調度問題
102 }
                                                179
                                                    //problem
103
   最小化最大延遲問題
                                                180
                                                    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                    期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
104
   //problem
                                                181
105
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         單位懲罰,
   期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為
                                                    請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                182
        Li=max(0.Fi-Di),
                                                183
                                                    //solution
    原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
107
                                                184
                                                    依照懲罰由大到小排序,
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                    每項工作依序嘗試可不可以放在
108
                                                185
109
   //solution
                                                         Di-Ti+1,Di-Ti,...,1,0,
110 按照到期時間從早到晚處理。
                                                186
                                                    如果有空閒就放進去,否則延後執行。
111
    //code
                                                187
    struct Work{
112
                                                188
                                                    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
113
       int t, d;
                                                189
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                    期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
114
115
          return d<rhs.d;</pre>
                                                         單位獎勵,
116
                                                191
                                                    請問最多會獲得多少單位獎勵。
117
   };
                                                192
   int main(){
                                                    和 上 題 相 似 , 這 題 變 成 依 照 獎 勵 由 大 到 小 排 序。
                                                193
118
       int n:
                                                    //code
       Work a[10000];
120
                                                195
                                                    struct Work{
121
       cin>>n;
                                                196
                                                       int d,p;
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                197
                                                       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
122
123
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                198
                                                           return p>rhs.p;
       sort(a,a+n);
                                                199
124
125
       int maxL=0,sumT=0;
                                                200 };
126
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                201
                                                    int main(){
127
          sumT+=aΓil.t:
                                                202
                                                       int n:
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                       Work a[100005];
128
                                                203
129
                                                204
                                                       bitset<100005> ok;
                                                       while(cin>>n){
       cout<<maxL<<'\n':
                                                205
130
131
                                                           ok.reset():
132 最少延遲數量問題
                                                           for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                207
133 //problem
                                                208
                                                              cin>>a[i].d>>a[i].p;
   給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                           sort(a,a+n);
                                                209
135
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                           int ans=0:
                                                210
                                                           for(int i=0;i<n;++i){</pre>
136
                                                              int j=a[i].d;
   期限越早到期的工作越先做。
137
                                                212
138
   將工作依照到期時間從早到晚排序,
                                                213
                                                              while(j--)
139
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                214
                                                                  if(!ok[j]){
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
140
                                                215
                                                                     ans+=aΓil.p:
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                                     ok[j]=true;
141
                                                216
142
                                                217
                                                                     break:
143
                                                218
144
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                219
                                                           }
145
                                                220
                                                           cout<<ans<<'\n';
146 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                221
                                                       }
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                222 }
147
148 工作期限 → 烏龜可承受重量
149 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
150 //code
```

4.2 三分搜

給定兩射線方向和速度, 問兩射線最近距離。 3 題 解 假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離,F(t)為二次 函 數, 可用三分搜找二次函數最小值。 struct Point{ double x, y, z; 7 8 Point() {} 9 Point(double _x,double _y,double _z): $x(_x),y(_y),z(_z){}$ 10 friend istream& operator>>(istream& is, Point& p) { 12 is >> p.x >> p.y >> p.z; return is; 13 14 15 Point operator+(const Point &rhs) const{ 16 return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z); 17 Point operator-(const Point &rhs) const{ 18 19 return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z); 20 21 Point operator*(const double &d) const{ 22 return Point(x*d,y*d,z*d); 23 Point operator/(const double &d) const{ 24 return Point(x/d,y/d,z/d); 25 26 27 double dist(const Point &rhs) const{ double res = 0; 28 29 res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y); 30 31 res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z); 32 return res; 33 34 }; 35 int main(){ //輸入優化 36 IOS: 37 int T: 38 cin>>T: for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre> 39 double time; 40 41 Point x1,y1,d1,x2,y2,d2; cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2; 42 d1=(y1-x1)/time;43 44 d2=(y2-x2)/time;45 double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2; double ans = x1.dist(x2); 46 47 while(abs(L-R)>1e-10){ 48 m1=(L+R)/2; m2=(m1+R)/2: 49 f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);50 51 f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);52 ans = min(ans, min(f1, f2));53 **if**(f1<f2) R=m2; 54 else L=m1; 55 cout<<"Case "<<ti<<": "; 56 cout << fixed << setprecision(4) <<</pre> 57 $sqrt(ans) << ' \ ''$; } 58 59 }

4.3 dinic

```
1 const int maxn = 1e5 + 10;
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
   struct Edge {
       int s, t, cap, flow;
 5 };
   int n, m, S, T;
   int level[maxn], dfs_idx[maxn];
   vector<Edge> E;
   vector<vector<int>> G;
10
   void init() {
      S = 0:
12
       T = n + m;
       E.clear();
13
14
       G.assign(maxn, vector<int>());
15 }
   void addEdge(int s, int t, int cap) {
       E.push_back({s, t, cap, 0});
17
       E.push_back({t, s, 0, 0});
18
       G[s].push_back(E.size()-2);
       G[t].push_back(E.size()-1);
21 }
22 bool bfs() {
       queue<int> q({S});
23
       memset(level, -1, sizeof(level));
24
       level[S] = 0;
25
       while(!q.empty()) {
           int cur = q.front();
27
28
           q.pop();
           for(int i : G[cur]) {
29
              Edge e = E[i];
30
31
               if(level[e.t]==-1 &&
                    e.cap>e.flow) {
                  level[e.t] = level[e.s] + 1;
                  q.push(e.t);
33
34
35
          }
36
37
       return ~level[T];
38 }
   int dfs(int cur, int lim) {
39
       if(cur==T || lim==0) return lim;
40
41
       int result = 0;
42
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
            && lim; i++) {
           Edge& e = E[G[cur][i]];
           if(level[e.s]+1 != level[e.t])
44
           int flow = dfs(e.t, min(lim,
45
                e.cap-e.flow));
           if(flow <= 0) continue;</pre>
           e.flow += flow;
47
           result += flow;
48
49
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
50
          lim -= flow;
51
52
       return result:
53
   int dinic() {// O((V^2)E)
54
       int result = 0;
55
       while(bfs()) {
          memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
57
           result += dfs(S, inf);
58
59
60
       return result;
61 }
```

4.4 JosephusProblem

```
//JosephusProblem,只是規定要先砍1號
   //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
   //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
  int getWinner(int n, int k) {
      int winner = 0;
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          winner = (winner + k) % i;
10
      return winner:
11 }
12
   int main() {
13
14
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
15
          for (int k = 1; k \le n; ++k){
17
18
              if (getWinner(n, k) == 11){
                 printf("%d\n", k);
19
20
                 break:
21
          }
22
23
      }
24
      return 0;
25
   // O(k \log(n))
27
28
   int josephus(int n, int k) {
    if (n == 1) return 0;
29
    if (k == 1) return n - 1;
30
    if (k > n) return (josephus(n-1,k)+k)%n;
    int res = josephus(n - n / k, k);
32
33
    res -= n % k;
    if (res < 0)
34
35
      res += n; // mod n
36
37
      res += res / (k - 1); // 还原位置
38
    return res;
39 }
```

4.5 SCC Kosaraju

```
1 //做兩次dfs, O(V + E)
   //g 是原圖, g2 是反圖
   //s是dfs離開的節點
   void dfs1(int u) {
      vis[u] = true;
      for (int v : g[u])
          if (!vis[v]) dfs1(v);
       s.push_back(u);
8
9
   }
10
   void dfs2(int u) {
11
       group[u] = sccCnt;
12
13
       for (int v : g2[u])
          if (!group[v]) dfs2(v);
14
15 }
16
17
   void kosaraju() {
       sccCnt = 0;
18
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
          if (!vis[i]) dfs1(i);
20
21
       for (int i = n; i >= 1; --i)
22
          if (!group[s[i]]) {
              ++sccCnt;
23
              dfs2(s[i]);
24
          }
25
26 }
```

4.6 SCC Tarjan

1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小 vector<vector<int>>> G;

4.7 ArticulationPoints Tarjan 4.8 最小樹狀圖

1 const int maxn = 60 + 10;

```
//的要數出來,因為題目要方法數
                                                      int N, timer;
                                                                                                          const int inf = 0x3f3f3f3f;
   //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
                                                      bool visited[105]:
                                                                                                          struct Edge {
   //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
                                                      int dfn[105]; // 第一次visit的時間
                                                                                                              int s, t, cap, cost;
   #define maxn 100005
                                                     5 int low[105];
                                                                                                          }; // cap 為頻寬 (optional)
   #define MOD 1000000007
                                                      //最小能回到的父節點
                                                                                                          int n, m, c;
                                                      //(不能是自己的parent)的visTime
   long long cost[maxn];
                                                                                                          int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
   vector<vector<int>>> G;
                                                    8 int res;
                                                                                                               vis[maxn];
   int SCC = 0;
                                                       //求割點數量
                                                                                                          // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
                                                      void tarjan(int u, int parent) {
   stack<int> sk;
                                                   10
                                                                                                          // 找環,如果沒有則 return:
   int dfn[maxn];
                                                          int child = 0;
                                                                                                          // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
   int low[maxn];
                                                   12
                                                          bool isCut = false;
                                                                                                          int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
                                                          visited[u] = true;
   bool inStack[maxn];
                                                                                                              int result = 0, root = 0, N = n;
                                                   13
                                                                                                       12
   int dfsTime = 1;
                                                   14
                                                          dfn[u] = low[u] = ++timer;
                                                                                                       13
                                                                                                              while(true) {
                                                          for (int v: G[u]) {
   long long totalCost = 0;
                                                                                                                 memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
                                                   15
                                                                                                       14
   long long ways = 1;
                                                              if (!visited[v]) {
                                                                                                       15
                                                                                                                  // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
   void dfs(int u) {
                                                   17
                                                                  ++child:
                                                                                                                  // optional: low 為最小 cap 限制
17
                                                                                                       16
18
       dfn[u] = low[u] = dfsTime;
                                                   18
                                                                  tarjan(v, u);
                                                                                                       17
                                                                                                                  for(const Edge& e : edges) {
19
       ++dfsTime:
                                                   19
                                                                  low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                                                                       18
                                                                                                                     if(e.cap < low) continue;</pre>
20
       sk.push(u);
                                                   20
                                                                  if (parent != -1 && low[v] >=
                                                                                                                     if(e.s!=e.t &&
                                                                                                       19
21
       inStack[u] = true;
                                                                       dfn[u])
                                                                                                                          e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
22
       for (int v: G[u]) {
                                                                     isCut = true;
                                                                                                                         inEdge[e.t] = e.cost;
                                                   21
                                                                                                       20
          if (dfn[v] == 0) {
23
                                                   22
                                                                                                       21
                                                                                                                         pre[e.t] = e.s;
                                                              else if (v != parent)
24
              dfs(v);
                                                   23
                                                                                                       22
25
              low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                                  low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                   24
                                                                                                       23
26
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                                                                       24
                                                                                                                     if(i!=root && inEdge[i]==inf)
27
          else if (inStack[v]) {
                                                          //If u is root of DFS
                                                                                                       25
28
              //屬於同個SCC且是我的back edge
                                                                tree->有兩個以上的children
                                                                                                       26
                                                                                                                         return -1;//除了root 還有點沒有in
                                                          if (parent == -1 && child >= 2)
29
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                   27
                                                              isCut = true;
                                                                                                       27
30
                                                   28
31
       }
                                                   29
                                                          if (isCut) ++res;
                                                                                                       28
                                                                                                                  int seq = inEdge[root] = 0;
       //如果是SCC
                                                   30 }
                                                                                                                  memset(idx, -1, sizeof(idx));
                                                                                                       29
32
33
       if (dfn[u] == low[u]) {
                                                    31
                                                      int main() {
                                                                                                       30
                                                                                                                  memset(vis, -1, sizeof(vis));
                                                                                                                  // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
          long long minCost = 0x3f3f3f3f;
                                                          char input[105];
34
                                                   32
                                                                                                       31
35
          int currWays = 0;
                                                   33
                                                          char* token;
                                                                                                       32
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                          while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
36
          ++SCC;
                                                   34
                                                                                                       33
                                                                                                                     result += inEdge[i];
37
          while (1) {
                                                   35
                                                              G.assign(105, vector<int>());
                                                                                                                     int cur = i;
                                                                                                       34
38
              int v = sk.top();
                                                   36
                                                              memset(visited, false,
                                                                                                       35
                                                                                                                     while(vis[cur]!=i &&
              inStack[v] = 0;
                                                                   sizeof(visited));
                                                                                                                          idx[cur]==-1) {
39
                                                              memset(low, 0, sizeof(low));
                                                                                                                         if(cur == root) break;
40
              sk.pop();
              if (minCost > cost[v]) {
                                                              memset(dfn, 0, sizeof(visited));
41
                                                   38
                                                                                                       37
                                                                                                                         vis[cur] = i;
42
                  minCost = cost[v];
                                                   39
                                                              timer = 0;
                                                                                                                         cur = pre[cur];
                                                                                                       38
43
                  currWays = 1;
                                                   40
                                                              res = 0;
                                                                                                       39
              }
                                                                                                                     if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
                                                              getchar(); // for \n
44
                                                   41
                                                                                                       40
45
              else if (minCost == cost[v]) {
                                                              while (fgets(input, 105, stdin)) {
                                                                                                                         for(int j=pre[cur]; j!=cur;
                                                                                                       41
                  ++currWays;
                                                                  if (input[0] == '0')
46
                                                   43
                                                                                                                              j=pre[j])
47
                                                   44
                                                                     break;
                                                                                                                             idx[j] = seq;
                                                                                                       42
                                                                                                                         idx[cur] = seq++;
48
              if(v == u)
                                                   45
                                                                  int size = strlen(input);
                                                                                                       43
                                                                  input[size - 1] = ' \setminus 0';
                                                                                                                     }
49
                  break:
                                                   46
                                                                                                       44
50
                                                   47
                                                                  --size;
                                                                  token = strtok(input, " ");
                                                                                                                  if(seq == 0) return result; // 沒有
51
          totalCost += minCost:
                                                   48
                                                                                                       46
52
          ways = (ways * currWays) % MOD;
                                                    49
                                                                  int u = atoi(token);
53
                                                   50
                                                                  int v;
                                                                                                       47
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++)</pre>
54
   }
                                                   51
                                                                  while (token = strtok(NULL, " "))
                                                                                                                     // 沒有被縮點的點
                                                                                                       48
   int main() {
                                                                                                                     if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
                                                                                                       49
56
      int n;
                                                   52
                                                                     v = atoi(token);
                                                                                                                  // 縮點並重新編號
                                                                                                       50
57
       scanf("%d", &n);
                                                                     G[u].emplace_back(v);
                                                   53
                                                                                                       51
                                                                                                                  for(Edge& e : edges) {
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                                     G[v].emplace_back(u);
58
                                                   54
                                                                                                       52
                                                                                                                     if(idx[e.s] != idx[e.t])
          scanf("%11d", &cost[i]);
                                                                                                                         e.cost -= inEdge[e.t];
59
                                                                                                       53
60
       G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                              }
                                                                                                                     e.s = idx[e.s];
                                                   57
                                                              tarjan(1, -1);
                                                                                                                     e.t = idx[e.t];
61
       int m:
                                                                                                       55
       scanf("%d", &m);
                                                   58
                                                              printf("%d\n", res);
                                                                                                                 }
62
                                                                                                       56
      int u, v;
                                                                                                                 N = seq;
                                                   59
                                                                                                       57
63
       for (int i = 0; i < m; ++i) {
                                                                                                                  root = idx[root];
64
                                                   60
                                                          return 0;
                                                                                                       58
          scanf("%d %d", &u, &v);
65
                                                                                                       59
                                                                                                              }
66
          G[u].emplace_back(v);
                                                                                                       60 }
67
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {
68
          if (dfn[i] == 0)
69
70
              dfs(i);
71
72
       printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
           MOD):
       return 0;
```

```
4.9
          KM
                                                                                                                    return this->1 < other.1;</pre>
                                                   74
                                                                                                      21
                                                             puts("");
                                                   75
                                                                                                      22
                                                                                                                 //奇偶排序(優化)
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                                 if (this->1 / sqrtQ & 1)
                                                   76
                                                                                                      23
 1 #define maxn 505
                                                   77
                                                                 if (i != 0)
                                                                                                                    return this->r < other.r;</pre>
                                                                                                      24
   int W[maxn][maxn];
                                                                     printf(" %d", Ly[i]);
                                                   78
                                                                                                      25
                                                                                                                 return this->r > other.r;
   int Lx[maxn], Ly[maxn];
                                                                                                      26
                                                   79
   bool S[maxn], T[maxn];
                                                                                                         };
                                                                     printf("%d", Ly[i]);
                                                   80
                                                                                                      27
   //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
                                                                 res += Ly[i];
                                                                                                         Query querys[maxn];
                                                   81
                                                                                                      28
   int L[maxn];
                                                   82
                                                                                                      29
                                                                                                         long long ans[maxn];
7
   int n;
                                                             puts("");
                                                                                                         long long res = 0;
                                                   83
                                                                                                      30
   bool match(int i) {
8
                                                   84
                                                             printf("%d\n", res);
                                                                                                         int k;
      S[i] = true;
                                                                                                         void add(int x) {
                                                         3
                                                   85
                                                                                                      32
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
10
                                                          return 0;
                                                                                                      33
                                                                                                             res += cnt[k ^ prefix[x]];
                                                   86
11
          // KM重點
                                                                                                             ++cnt[prefix[x]];
                                                   87 }
                                                                                                      34
12
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
                                                                                                      35
13
          // 要想辦法降低Lx + Ly
                                                                                                      36
                                                                                                          void sub(int x) {
14
           // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                                                                      37
                                                                                                             --cnt[prefix[x]];
                                                      4.10 二分圖最大匹配
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
15
                                                                                                             res -= cnt[k ^ prefix[x]];
                                                                                                      38
               !T[j]) {
                                                                                                      39
                                                                                                         }
              T[j] = true;
16
                                                    1 /* 核心: 最大點獨立集 = /V/ -
                                                                                                         int main() {
                                                                                                      40
17
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
                                                           /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
                                                                                                      41
                                                                                                             int n, m;
18
                                                    2 vector<Student> boys;
                                                                                                             scanf("%d %d %d", &n, &m, &k);
                                                                                                      42
19
                  return true;
                                                      vector<Student> girls;
                                                                                                             sqrtQ = sqrt(n);
20
              }
                                                      vector<vector<int>> G;
                                                                                                             for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
                                                                                                      44
21
          }
                                                                                                                 scanf("%d", &prefix[i]);
prefix[i] ^= prefix[i - 1];
                                                      bool used[505];
                                                                                                      45
22
      }
                                                      int p[505];
                                                                                                      46
23
      return false;
                                                      bool match(int i) {
                                                                                                      47
24
  }
                                                          for (int j: G[i]) {
                                                                                                      48
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i) {
   //修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                             if (!used[j]) {
                                                                                                                 scanf("%d %d", &querys[i].1,
                                                                                                      49
   //此舉是在通過調整vertex labeling看看
                                                   10
                                                                 used[j] = true;
                                                                                                                      &querys[i].r);
   //能不能產生出新的增廣路
                                                                 if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
                                                   11
                                                                                                                 //減1是因為prefix[i]是[1,
   //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                                     p[j] = i;
                                                                                                                      i]的前綴XOR和,所以題目問[1,
   //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配<sub>13</sub>
29
                                                                     return true;
                                                                                                                      r]我們要回答[1 - 1, r]的答案
   void update() {
                                                   14
                                                                                                      51
                                                                                                                 --querys[i].1;
      int diff = 0x3f3f3f3f;
31
                                                   15
                                                             }
                                                                                                                 querys[i].id = i;
                                                                                                      52
32
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   16
                                                                                                      53
33
          if (S[i]) {
                                                   17
                                                          return false;
                                                                                                      54
                                                                                                             sort(querys + 1, querys + m + 1);
34
              for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                   18
                                                                                                      55
                                                                                                             int 1 = 1, r = 0;
35
                  if (!T[j])
                                                      void maxMatch(int n) {
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                   19
                                                                                                      56
36
                     diff = min(diff, Lx[i] +
                                                   20
                                                          memset(p, -1, sizeof(p));
                                                                                                      57
                                                                                                                 while (1 < querys[i].1) {</pre>
                          Ly[j] - W[i][j]);
                                                   21
                                                          int res = 0;
                                                                                                      58
                                                                                                                    sub(1);
37
                                                   22
                                                          for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
                                                                                                      59
                                                                                                                    ++1;
          }
38
                                                             memset(used, false, sizeof(used));
                                                   23
                                                                                                      60
39
      }
                                                   24
                                                              if (match(i)) ++res;
                                                                                                      61
                                                                                                                 while (1 > querys[i].1) {
40
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   25
                                                                                                      62
                                                                                                                    --1:
41
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
                                                          cout << n - res << '\n';
                                                   26
                                                                                                                    add(1);
                                                                                                      63
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
42
43
                                                                                                                 while (r < querys[i].r) {</pre>
                                                                                                      65
44
   }
                                                                                                      66
                                                                                                                    ++r;
45
   void KM() {
                                                                                                      67
                                                                                                                    add(r);
                                                               莫隊
                                                      4.11
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
46
                                                                                                      68
47
          L[i] = -1;
                                                                                                                 while (r > querys[i].r) {
                                                                                                      69
48
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                      /*利用prefix前綴XOR和
                                                                                                      70
                                                                                                                    sub(r);
49
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                        如果要求[x, y]的XOR和只要回答prefix[y] ^
                                                                                                      71
                                                                                                                     --r;
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
50
                                                             prefix[x - 1]即可在0(1)回答
                                                                                                      72
51
                                                        同時維護cnt[i]代表[x, y]XOR和 == i的個數
                                                                                                      73
                                                                                                                 ans[querys[i].id] = res;
52
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                        如此我們知道[1, r]可以快速知道[1 - 1, r], [1
                                                                                                      74
          while(1) {
53
                                                             + 1, r], [1, r - 1], [1, r + 1]的答案
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i){</pre>
                                                                                                      75
54
              memset(S, false, sizeof(S));
                                                        就符合Mo's algorithm的思維O(N * sqrt(n))
                                                                                                                 printf("%11d\n", ans[i]);
                                                                                                      76
              memset(T, false, sizeof(T));
55
                                                        每次轉移為0(1),具體轉移方法在下面*/
                                                                                                             }
                                                                                                      77
              if (match(i)) break;
56
                                                      #define maxn 100005
                                                                                                      78
                                                                                                             return 0;
57
              else update(); //去調整vertex
                                                      //在此prefix[i]是[1, i]的XOR和
                                                                                                      79 }
                   labeling以增加增廣路徑
                                                    9 int prefix[maxn];
          }
58
                                                      //log_2(1000000) =
      }
59
                                                            19.931568569324174087221916576937...
   }
60
                                                      //所以開到1 << 20
61
   int main() {
                                                      //cnt[i]代表的是有符合nums[x, y] such that
      while (scanf("%d", &n) != EOF) {
62
                                                           nums[x] ^ nums[x + 1] ^ ... ^ nums[y] ==
          for (int i = 0; i < n; ++i)
63
              for (int j = 0; j < n; ++j)
64
                                                   13 //的個數
                  scanf("%d", &W[i][j]);
65
                                                   14 long long cnt[1 << 20];
          KM();
66
                                                      //塊大小 -> sqrt(n)
67
          int res = 0;
                                                   16 int sqrtQ;
68
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   17
                                                      struct Query {
69
              if (i != 0)
                                                   18
                                                          int 1, r, id;
                 printf(" %d", Lx[i]);
70
                                                          bool operator < (const Query& other)</pre>
                                                   19
71
72
                  printf("%d", Lx[i]);
                                                              if (this->l / sqrtQ != other.l /
                                                   20
              res += Lx[i];
73
                                                                   sqrtQ)
```

4.12 Blossom Algorithm

```
1 const int maxn = 500 + 10;
   struct Edge { int s, t; };
 5
   int n;
   int base[maxn], match[maxn], p[maxn], inq[maxn];
   bool vis[maxn], flower[maxn];
   vector<Edge> G[maxn];
   queue<int> q;
   int lca(int a, int b) {
     memset(vis, 0, sizeof(vis));
     while(1) {
13
14
       a = base[a];
       vis[a] = true;
15
       if(match[a] == -1) break;
17
       a = p[match[a]];
18
19
     while(1) {
20
       b = base[b];
21
       if(vis[b]) return b;
       b = p[match[b]];
22
23
24
     return -1;
25
26
   void set_path(int x, int father) {
27
28
     while(x != father) {
29
       tmp = match[x];
30
       flower[base[x]]=flower[base[tmp]]=1;
31
       tmp = p\Gammatmp]:
32
33
       if(base[tmp]!=father) p[tmp] = match[x];
34
35
36
   }
37
38
   void blossom(int x, int y) {
     memset(flower, 0, sizeof(flower));
39
     int father = lca(x, y);
41
     set_path(x, father);
42
     set_path(y, father);
     if(base[x] != father) p[x] = y;
43
     if(base[y] != father) p[y] = x;
44
45
     for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
46
       if(!flower[base[i]]) continue;
       base[i] = father;
47
48
       if(!inq[i]) {
         q.push(i);
49
50
         inq[i] = true;
51
52
   }
53
54
   bool bfs(int root) {
     int cur, y, nxt;
56
57
     q = queue<int>();
     q.push(root);
58
     memset(inq, 0, sizeof(inq));
59
     memset(p, -1, sizeof(p));
     for(int i=1; i<=n; i++) base[i] = i;</pre>
61
62
     while(!q.empty()) {
63
       cur = q.front();
64
65
       q.pop();
66
       inq[cur] = false;
67
       for(auto e : G[cur]) {
68
         if(base[e.s] == base[e.t]) continue;
69
         if(match[e.s] == e.t) continue;
70
         if(e.t == root ||
71
           (~match[e.t] && ~p[match[e.t]])) {
72
           blossom(cur, e.t);
73
74
         } else if(p[e.t] == -1) {
```

p[e.t] = cur;

if(match[e.t] == -1) {

75

76

```
cur = e.t;
             while(cur != -1) {
78
79
               v = p[cur]:
 80
                nxt = match[y];
               match[cur] = y;
81
               match[y] = cur;
 82
               cur = nxt;
             return true;
           } else {
 87
              q.push(match[e.t]);
 88
              inq[match[e.t]] = true;
 90
         }
 91
92
      return false;
93
95
96
    int maxMatch() {
97
      int res = 0:
      memset(match, -1, sizeof(match));
98
99
      for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
100
       if(match[i]==-1 && bfs(i)) res++;
101
102
      return res;
103 }
```

```
4.13 差分
1 用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
2 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
3 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
   給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
 5 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
   所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
   在 b[l] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
   最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
   這樣一來, b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
10 int a[1000], b[1000];
11 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
12 int main(){
13
      int n, 1, r, v;
14
      cin >> n;
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
15
16
         cin >> a[i];
17
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
18
19
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
20
      b[r+1] -= v;
21
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
22
         b[i] += b[i-1];
23
         cout << b[i] << ' ';
24
25
26 }
```

4.14 Astar

```
/*A*求k短路
    f(x) = g(x) + h(x)
    g(x) 是實際 cost, h(x) 是估計 cost
    在此h(x)用所有點到終點的最短距離,則當用Astar找點
    當該點cnt[u] == k時即得到該點的第k短路
  #define maxn 105
   struct Edge { int u, v, w; };
   struct Item_pqH {
10
      int u. w:
      bool operator <(const Item_pqH& other)</pre>
           const {
          return this->w > other.w;
12
13
14 };
  struct Item_astar {
16
      int u, g, f;
      bool operator <(const Item_astar& other)</pre>
18
          return this->f > other.f;
19
20 }:
21
   vector<vector<Edge>> G;
   //反向圖,用於建h(u)
  vector<vector<Edge>> invertG;
  int h[maxn];
  bool visited[maxn];
25
   int cnt[maxn];
   //用反向圖去求出每一點到終點的最短距離,並以此當作h(u)
27
   void dijkstra(int s, int t) {
      memset(visited, 0, sizeof(visited));
      priority_queue<Item_pqH> pq;
30
      pq.push({s, 0});
      h[s] = 0;
32
33
      while (!pq.empty()) {
34
          Item_pqH curr = pq.top();
35
          pq.pop();
36
          visited[curr.u] = true;
          for (Edge& edge: invertG[curr.u]) {
37
             if (!visited[edge.v]) {
                 if (h[edge.v] > h[curr.u] +
                      edge.w) {
40
                     h[edge.v] = h[curr.u] +
                          edge.w;
41
                     pq.push({edge.v,
                          h[edge.v]});
42
             }
43
          }
44
      }
45
46
   int Astar(int s, int t, int k) {
47
48
      memset(cnt, 0, sizeof(cnt));
49
      priority_queue<Item_astar> pq;
      pq.push({s, 0, h[s]});
      while (!pq.empty()) {
51
          Item_astar curr = pq.top();
52
53
          pq.pop():
          ++cnt[curr.u];
55
          //終點出現k次,此時即可得k短路
          if (cnt[t] == k)
56
57
             return curr.g;
          for (Edge& edge: G[curr.u]) {
58
             if (cnt[edge.v] < k) {</pre>
                 pq.push({edge.v, curr.g +
                      edge.w, curr.g + edge.w
                      + h[edge.v]});
61
          }
62
      }
63
64
      return -1;
65 }
66
  int main() {
      while (scanf("%d %d", &n, &m) && (n != 0
68
           && m != 0)) {
```

```
if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                                                                           4.16 MCMF
69
          G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                    53
                                                              }
70
          invertG.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   54
71
          int s. t. k:
                                                    55
                                                              remove(c):
                                                                                                         1 #define maxn 225
           scanf("%d %d %d", &s, &t, &k);
72
                                                               for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                           #define INF 0x3f3f3f3f
73
          int u, v, w;
                                                    57
                                                                  result[idx] = row[i];
                                                                                                           struct Edge {
          for (int i = 0; i < m; ++i) {
                                                                  for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
74
                                                    58
                                                                                                               int u, v, cap, flow, cost;
75
              scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                    59
                                                                      remove(col[j]);
                                                                                                         5 };
76
              G[u].emplace_back(Edge{u, v, w});
                                                                  if(dfs(idx+1)) return true;
                                                    60
                                                                                                           //node size, edge size, source, target
                                                                                                         6
77
              invertG[v].emplace_back(Edge{v,
                                                    61
                                                                  for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                                                                           int n, m, s, t;
                                                                      recover(col[j]);
                                                    62
                   u, w});
                                                                                                           vector<vector<int>>> G;
78
                                                    63
                                                                                                           vector<Edge> edges;
          memset(h, 0x3f, sizeof(h));
79
                                                    64
                                                               recover(c);
                                                                                                           bool inqueue[maxn];
80
          dijkstra(t, s);
                                                    65
                                                               return false;
                                                                                                           long long dis[maxn];
81
          printf("%d\n", Astar(s, t, k));
                                                    66
                                                                                                           int parent[maxn];
82
                                                    67
                                                           void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
                                                                                                           long long outFlow[maxn];
83
       return 0:
                                                                                                           void addEdge(int u, int v, int cap, int
84 }
                                                               if(R[0] == 0) {
                                                    68
                                                                                                                cost) {
                                                                  resSize = min(resSize, idx); //
                                                                                                        15
                                                                                                               edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0,
                                                                       注意init值
                                                                                                                    cost});
                                                    70
                                                                  return:
   4.15 Dancing Links
                                                                                                               edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
                                                                                                        16
                                                    71
                                                              }
                                                                                                                    -cost});
                                                    72
                                                               int c = R[0]:
                                                                                                        17
                                                                                                               m = edges.size();
 1 struct DLX {
                                                    73
                                                               for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                                                                               G[u].emplace_back(m - 2);
       int seq, resSize;
                                                    74
                                                                  if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                                                                               G[v].emplace_back(m - 1);
                                                                                                        19
3
       int col[maxn], row[maxn];
                                                    75
                                                                                                        20
       int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
                                                    76
                                                               remove(c);
                                                                                                           //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
 5
       int rowHead[maxn], colSize[maxn];
                                                    77
                                                               for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                           bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
 6
       int result[maxn];
                                                    78
                                                                  for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                                minCost) {
7
       DLX(int r, int c) {
                                                    79
                                                                      remove(col[j]);
                                                                                                        23
                                                                                                               // memset(outFlow, 0x3f,
8
          for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
                                                    80
                                                                  dfs(idx+1);
                                                                                                                    sizeof(outFlow));
9
              L[i] = i-1, R[i] = i+1;
                                                    81
                                                                  for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                                                                        24
                                                                                                               memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
10
              U[i] = D[i] = i;
                                                    82
                                                                      recover(col[j]);
                                                                                                               memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
                                                                                                        25
11
                                                               }
                                                    83
                                                                                                        26
                                                                                                               queue<int> q;
          L[R[seq=c]=0]=c;
12
                                                    84
                                                               recover(c);
                                                                                                               q.push(s);
                                                                                                        27
13
          resSize = -1:
                                                    85
                                                                                                        28
                                                                                                               dis[s] = 0;
          memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
14
                                                    86 };
                                                                                                        29
                                                                                                               inqueue[s] = true;
15
          memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
                                                                                                        30
                                                                                                               outFlow[s] = INF;
16
                                                                                                        31
                                                                                                               while (!q.empty()) {
17
       void insert(int r, int c) {
                                                                                                                   int u = q.front();
                                                                                                        32
18
          row[++seq]=r, col[seq]=c,
                                                                                                        33
                                                                                                                   q.pop();
                ++colSize[c];
                                                                                                                   inqueue[u] = false;
                                                                                                        34
19
          U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,
                                                                                                                   for (const int edgeIndex: G[u]) {
                                                                                                        35
               D[c]=sea:
                                                                                                        36
                                                                                                                      const Edge& edge =
20
          if(rowHead[r]) {
                                                                                                                            edges[edgeIndex];
              L[seq]=rowHead[r],
21
                                                                                                        37
                                                                                                                       if ((edge.cap > edge.flow) &&
                   R[seq]=R[rowHead[r]];
                                                                                                                            (dis[edge.v] > dis[u] +
22
              L[R[rowHead[r]]]=seq,
                                                                                                                            edge.cost)) {
                   R[rowHead[r]]=seq;
                                                                                                                          dis[edge.v] = dis[u] +
                                                                                                        38
23
          } else {
                                                                                                                               edge.cost;
24
              rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =
                                                                                                        39
                                                                                                                          parent[edge.v] = edgeIndex;
                                                                                                                          outFlow[edge.v] =
                                                                                                        40
          }
25
                                                                                                                               min(outFlow[u], (long
26
                                                                                                                               long)(edge.cap -
       void remove(int c) {
27
                                                                                                                               edge.flow));
          L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
28
                                                                                                        41
                                                                                                                          if (!inqueue[edge.v]) {
29
          for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                                              q.push(edge.v);
                                                                                                        42
              for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
30
                                                                                                                              inqueue[edge.v] = true;
                                                                                                        43
31
                  U[D[j]] = U[j];
                                                                                                        44
32
                  D[U[j]] = D[j];
                                                                                                        45
                                                                                                                      }
33
                   --colSize[col[j]];
                                                                                                                  }
                                                                                                        46
34
              }
                                                                                                        47
35
          }
                                                                                                               //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
                                                                                                        48
36
                                                                                                               if (dis[t] > 0)
                                                                                                        49
37
       void recover(int c) {
                                                                                                        50
                                                                                                                   return false;
38
          for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
                                                                                                               maxFlow += outFlow[t];
                                                                                                        51
39
              for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                                                                                                        52
                                                                                                               minCost += dis[t] * outFlow[t];
                  U[D[j]] = D[U[j]] = j;
40
                                                                                                        53
                                                                                                               //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
41
                  ++colSize[col[j]];
                                                                                                               //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
                                                                                                        54
42
              }
                                                                                                        55
                                                                                                               int curr = t;
43
                                                                                                        56
                                                                                                               while (curr != s) {
44
          L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                                                                        57
                                                                                                                   edges[parent[curr]].flow +=
45
                                                                                                                        outFlow[t];
46
       bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                                                                                                        58
                                                                                                                   edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
          if(R[0] == 0) {
47
                                                                                                                        outFlow[t];
48
              resSize = idx;
                                                                                                        59
                                                                                                                   curr = edges[parent[curr]].u;
49
              return true;
                                                                                                               }
                                                                                                        60
50
                                                                                                        61
                                                                                                               return true;
51
          int c = R[0];
```

for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {

52

62 }

long long MCMF() { long long maxFlow = 0; 64 long long minCost = 0; 65 66 while (SPFA(maxFlow, minCost)) 67 return minCost; 68 } 69 70 int main() { 71 int T; scanf("%d", &T); 72 73 for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre> //總共幾個月,囤貨成本 74 75 int M, I; scanf("%d %d", &M, &I); 76 77 //node size 78 n = M + M + 2;G.assign(n + 5, vector<int>()); 79 edges.clear(); 80 s = 0;81 82 t = M + M + 1; for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre> 83 int produceCost, produceMax, 84 sellPrice, sellMax, inventoryMonth; scanf("%d %d %d %d %d", 85 &produceCost, &produceMax, &sellPrice, &sellMax, &inventoryMonth); addEdge(s, i, produceMax, 86 produceCost); addEdge(M + i, t, sellMax, 87 -sellPrice); for (int j = 0; j <=</pre> inventoryMonth; ++j) { if (i + j <= M)</pre> 89 addEdge(i, M + i + j, INF,90 I * j); 91 } } 92 93 printf("Case %d: %lld\n", Case, -MCMF()); 94 95 return 0; 96 }

4.17 LCA 倍增法

```
1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
   //利用1ca找樹上任兩點距離
  #define maxn 100005
   struct Edge { int u, v, w; };
  vector<vector<Edge>> G; // tree
   int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
   long long dis[maxn][31];
   int dep[maxn];//深度
                                                    6
   void dfs(int u, int p) {//預處理fa
10
       fa[u][0] = p; //因為u的第2<sup>0</sup> = 1的祖先就是p
                                                    R
       dep[u] = dep[p] + 1;
11
12
       //第2^{i}的祖先是(第2^{i} - 1)個祖先)的
       //第2<sup>^</sup>(i - 1)的祖先
13
14
       //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
       for (int i = 1; i < 31; ++i) {
15
16
          fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
          dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
17
               + dis[u][i - 1];
                                                   15
                                                   16
18
       //遍歷子節點
                                                   17
19
20
       for (Edge& edge: G[u]) {
                                                   18
          if (edge.v == p) continue;
21
                                                   19
22
          dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                   20
23
          dfs(edge.v, u);
                                                   21
      }
24
                                                   22
25 }
26
  long long lca(int x, int y) {
       //此函數是找lca同時計算x \cdot y的距離 -> dis(x,
                                                   24
            lca) + dis(lca, y)
       //讓y比x深
                                                   25
28
       if (dep[x] > dep[y])
                                                   26
                                                   27
30
          swap(x, y);
31
       int deltaDep = dep[y] - dep[x];
                                                   28
      long long res = 0;
32
                                                   29
       //讓y與x在同一個深度
33
      for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                   30
           deltaDep >>= 1)
          if (deltaDep & 1)
35
                                                   31
              res += dis[y][i], y = fa[y][i];
36
                                                   32
37
       if (y == x) //x = y -> x \cdot y彼此是彼此的祖先
                                                   33
38
          return res;
       //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
39
                                                   35
40
      for (int i = 30; i \ge 0 && y != x; --i) {
          if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
41
                                                   36
              res += dis[x][i] + dis[y][i];
42
                                                   37
43
              x = fa[x][i];
                                                   38
44
              y = fa[y][i];
                                                   39
45
                                                   40
                                                   41
46
       //最後發現不能跳了,此時x的第2<sup>0</sup> =
            1個祖先(或說y的第2^0 =
                                                   43
            1的祖先)即為x \times y的1ca
                                                   44
48
       res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                   45
      return res;
49
                                                   46
50 }
                                                   47
51
                                                   48
  int main() {
52
     int n, q;
                                                   49
     while (~scanf("%d", &n) && n) {
53
                                                   50
                                                   51
54
      int v. w:
55
      G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   52
          for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                   53
56
        scanf("%d %d", &v, &w);
57
                                                   54
        G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
                                                   55
58
        G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
59
                                                   56
60
                                                   57
61
          dfs(1, 0);
                                                   58
62
          scanf("%d", &q);
                                                   59
63
          int u;
                                                   60
64
          while (q--) {
              scanf("%d %d", &u, &v);
65
              66
                                                   62
                                                   63
          }
67
```

68 }

69 }

4.18 LCA 樹壓平 RMQ

```
1 //樹壓平求LCA RMQ(sparse table
        O(nlogn)建立, O(1)查詢), 求任意兩點距離,
   //如果用笛卡兒樹可以壓到0(n)建立,0(1)查詢
   //理論上可以過,但遇到直鏈的case dfs深度會stack
       overflow
   #define maxn 100005
  struct Edge {
   int u, v, w;
   };
  int dep[maxn], pos[maxn];
  long long dis[maxn];
  int st[maxn * 2][32]; //sparse table
  int realLCA[maxn * 2][32];
        //最小深度對應的節點,及真正的LCA
  int Log[maxn]; //取代std::log2
  int tp; // timestamp
   vector<vector<Edge>> G; // tree
   void calLog() {
    Log[1] = 0;
    Log[2] = 1;
    for (int i = 3; i < maxn; ++i)</pre>
      Log[i] = Log[i / 2] + 1;
   void buildST() {
    for (int j = 0; Log[tp]; ++j) {
      for (int i = 0; i + (1 << j) - 1 < tp;
           ++i) {
        if (st[i - 1][j] < st[i - 1][j + (1 <<
             i - 1)]) {
          st[i][j] = st[i - 1][j];
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j];
        else {
          st[i][j] = st[i - 1][j + (1 << i -
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j + (1)]
               << i - 1)];
      }
    }
34 } // O(nlogn)
  int query(int 1, int r) {// [1, r] min
        depth即為1ca的深度
    int k = Log[r - 1 + 1];
    if (st[l][k] < st[r - (1 << k) + 1][k])</pre>
      return realLCA[1][k];
    else
      return realLCA[r - (1 << k) + 1][k];</pre>
   void dfs(int u, int p) {//euler tour
    pos[u] = tp;
    st[tp][0] = dep[u];
    realLCA[tp][0] = dep[u];
    ++tp:
    for (int i = 0; i < G[u].size(); ++i) {</pre>
      Edge& edge = G[u][i];
      if (edge.v == p) continue;
      dep[edge.v] = dep[u] + 1;
      dis[edge.v] = dis[edge.u] + edge.w;
      dfs(edge.v, u);
      st[tp++][0] = dep[u];
  }
  long long getDis(int u, int v) {
    if (pos[u] > pos[v])
      swap(u, v);
    int lca = query(pos[u], pos[v]);
    return dis[u] + dis[v] - 2 *
         dis[query(pos[u], pos[v])];
61 }
  int main() {
    int n, q;
      calLog();
64
    while (~scanf("%d", &n) && n) {
65
66
      int v, w;
      G.assign(n + 5, vector<Edge>());
```

```
Jc11
                                                                          FJCU
                                                             if (depth[top[u]] > depth[top[v]])
68
      tp = 0;
                                                  55
69
          for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                  56
                                                                u = parent[top[u]];
        scanf("%d %d", &v, &w);
70
                                                  57
                                                             else
71
        G[i].push_back({i, v, w});
                                                                 v = parent[top[v]];
72
        G[v].push_back({v, i, w});
                                                  59
73
                                                         return (depth[u] > depth[v]) ? v : u;
                                                  60
                                                  61 }
74
          dfs(0, -1);
75
          buildST();
                                                     int getK_parent(int u, int k) {
                                                  62
76
          scanf("%d", &q);
                                                  63
                                                         while (k-- && (u != -1))
77
                                                            u = parent[u];
          int u:
                                                  64
78
          while (q--) {
                                                  65
                                                         return u;
              scanf("%d %d", &u, &v);
                                                  66 }
79
              printf(\textit{"%11d%c"}, \; getDis(u, \; v), \\
80
                                                     int main() {
                                                  67
                   (q) ? ' ' : '\n');
                                                         int n;
                                                  68
                                                         while (scanf("%d", &n) && n) {
81
                                                  69
82
     }
                                                  70
                                                             dfsTime = 1;
                                                             G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                  71
83
     return 0;
                                                             for (int i = 1; i < n; ++i) {
                                                  73
                                                  74
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
   4.19 LCA 樹鍊剖分
                                                  75
                                                                 G[u].emplace_back(v);
                                                  76
                                                                G[v].emplace_back(u);
                                                  77
 1 #define maxn 5005
                                                  78
                                                             dfs1(1, -1);
   //LCA,用來練習樹鍊剖分
                                                             dfs2(1, 1);
                                                  79
   //題意: 給定樹,找任兩點的中點,
                                                  80
                                                             int q;
   //若中點不存在(路徑為even),就是中間的兩個點
                                                             scanf("%d", &q);
                                                  81
   int dfn[maxn];
                                                  82
                                                             for (int i = 0; i < q; ++i) {
   int parent[maxn];
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
                                                  83
   int depth[maxn];
                                                  84
                                                                 //先得到LCA
 8 int subtreeSize[maxn];
                                                  85
                                                                int lca = LCA(u, v);
   //樹鍊的頂點
                                                  86
                                                                 //計算路徑長(經過的邊)
10
  int top[maxn];
                                                  87
                                                                 int dis = depth[u] + depth[v] - 2
   //將dfn轉成node編碼
                                                                      * depth[lca];
  int dfnToNode[maxn];
                                                                 //讓v比u深或等於
                                                  88
   //重兒子
                                                                 if (depth[u] > depth[v])
                                                  89
14 int hson[maxn];
                                                  90
                                                                    swap(u. v):
15 int dfsTime = 1;
                                                  91
                                                                 if (u == v) {
16
   //tree
                                                                    printf("The fleas meet at
                                                  92
17
   vector<vector<int>> G:
                                                                         %d.\n", u);
   //處理parent、depth、subtreeSize、dfnToNode
                                                  93
19
   void dfs1(int u, int p) {
                                                                else if (dis % 2 == 0) {
                                                  94
20
      parent[u] = p;
                                                  95
                                                                    //路徑長是even -> 有中點
21
      hson[u] = -1;
                                                                    printf("The fleas meet at
                                                  96
22
      subtreeSize[u] = 1;
                                                                         %d.\n", getK_parent(v,
23
      for (int v: G[u]) {
                                                                         dis / 2));
24
          if (v != p) {
25
              depth[v] = depth[u] + 1;
                                                                else {
                                                  98
26
              dfs1(v, u);
                                                  99
                                                                    //路徑長是odd -> 沒有中點
27
              subtreeSize[u] += subtreeSize[v];
                                                  100
                                                                    if (depth[u] == depth[v]) {
28
              if (hson[u] == -1 ||
                                                                        int x = getK_parent(u, dis
                                                 101
                   subtreeSize[hson[u]] <</pre>
                                                                             / 2);
                   subtreeSize[v]) {
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
                                                 102
                 hson[u] = v;
29
                                                                             / 2);
              }
30
                                                 103
                                                                        if (x > y) swap(x, y);
31
          }
                                                                        printf("The fleas jump
                                                 104
      }
32
                                                                             forever between %d
33
                                                                             and %d.\n", x, y);
34
   //實際剖分 <- 參數 t是 top的意思
                                                                    }
                                                 105
   //t初始應為root本身
35
                                                                    else {
                                                 106
36
   void dfs2(int u, int t) {
                                                 107
                                                                        //技巧: 讓深的點v往上dis /
37
      top[u] = t;
                                                                             2步 = y,
38
      dfn[u] = dfsTime;
                                                                        //這個點的parent設為x
                                                 108
      dfnToNode[dfsTime] = u;
39
                                                 109
                                                                        //此時的x、y就是答案要的中點兩點
40
      ++dfsTime;
                                                                        //主要是往下不好找,所以改用深的點用parent往上
                                                 110
41
      //葉子點 -> 沒有重兒子
                                                 111
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
42
      if (hson[u] == -1)
                                                                             / 2);
43
          return;
                                                 112
                                                                        int x = getK_parent(y, 1);
44
       //優先對重兒子dfs,才能保證同一重鍊dfn連續
                                                                        if (x > y) swap(x, y);
                                                 113
45
      dfs2(hson[u], t);
                                                                        printf("The fleas jump
                                                 114
46
      for (int v: G[u]) {
                                                                             forever between %d
47
          if (v != parent[u] && v != hson[u])
                                                                             and %d.\n", x, y);
48
              dfs2(v, v);
                                                 115
                                                                    }
49
                                                 116
                                                                }
```

}

return 0;

117

118

119

120 }

}

52

53

//不斷跳鍊,當跳到同一條鍊時,深度小的即為LCA

while (top[u] != top[v]) {

//跳鍊時優先鍊頂深度大的跳

int LCA(int u, int v) {

DataStructure

5.1 BIT

```
template <class T> class BIT {
   private:
    int size;
     vector<T> bit;
    vector<T> arr;
 6
   public:
 7
    BIT(int sz=0):
 8
      size(sz), bit(sz+1), arr(sz) {}
10
11
     /** Sets the value at index idx to val. */
     void set(int idx, T val) {
12
      add(idx, val - arr[idx]);
13
    }
14
15
     /** Adds val to the element at index idx.
16
17
     void add(int idx, T val) {
18
      arr[idx] += val;
19
       for (++idx; idx<=size; idx+=(idx & -idx))</pre>
20
         bit[idx] += val;
    }
21
22
     /** The sum of all values in [0, idx]. */
23
24
     T pre_sum(int idx) {
25
      T total = 0;
      for (++idx; idx>0; idx-=(idx & -idx))
26
27
         total += bit[idx];
28
       return total:
29
30 };
```

5.2 帶權併查集

```
• val[x] 為 x 到 p[x] 的距離 (隨題目變化更改)
       merge(u, v, w)
              u \xrightarrow{w} v
              pu=pv 時,val[v]-val[u] \neq w 代表有誤
       ・ 若 [l,r] 的總和為 w,則應呼叫 merge(1-1, r, w)
   const int maxn = 2e5 + 10;
   int p[maxn], val[maxn];
 3
   int findP(int x) {
      if(p[x] == -1) return x;
      int par = findP(p[x]);
      val[x] += val[p[x]]; //依題目更新val[x]
       return p[x] = par;
10
  }
11
   void merge(int u, int v, int w) {
12
13
      int pu = findP(u);
      int pv = findP(v);
15
      if(pu == pv) {
          // 理論上 val[v]-val[u] == w
16
          // 依題目判斷 error 的條件
17
18
          return;
19
      val[pv] = val[u] - val[v] + w;
20
21
      p[pv] = pu;
22 }
```

5.3 線段樹 1D

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
 4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
 5 inline int pull(int l, int r) {
 6 // 隨題目改變 sum、max、min
   // 1、r是左右樹的index
      return st[l] + st[r];
8
                                                   6
9 }
10 void build(int 1, int r, int i) {
                                                   Ω
   // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
11
12
      if (1 == r) {
                                                   9
          st[i] = data[l];
                                                  10
13
14
15
16
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
      build(1, mid, i * 2);
17
                                                  12
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
18
       st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
19
20 }
                                                  13
21 int qry(int ql, int qr, int l, int r, int i){ 14
   // [q1,qr]是查詢區間, [1,r]是當前節點包含的區間
                                                  15
      if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
                                                  16
23
          return st[i];
                                                  17
24
       int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
25
       if (tag[i]) {
                                                  18
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
27
                                                  19
28
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
29
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i];
30
                                                  20
31
          tag[i*2+1] += tag[i];
                                                  21
          tag[i] = 0;
32
33
      }
      int sum = 0;
34
                                                  22
35
      if (ql <= mid)</pre>
36
          sum+=query(ql, qr, l, mid, i * 2);
37
       if (qr > mid)
                                                  23
          sum+=query(ql, qr, mid+1, r, i*2+1);
                                                     }
38
                                                  24
39
       return sum:
                                                  25
40 }
41
   void update(
                                                  26
      int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
                                                  27
42
      [q1,qr]是查詢區間, [1,r]是當前節點包含的區間
43
   // c是變化量
                                                  28
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
                                                  29
          st[i] += (r - l + 1) * c;
46
                                                  30
               //求和,此需乘上區間長度
                                                  31
47
          tag[i] += c;
                                                  32
48
          return:
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
50
                                                  34
51
      if (tag[i] && 1 != r) {
52
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                  35
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
53
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                  36
55
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
                                                  37 }
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
56
                                                  38
57
          tag[i] = 0;
58
       if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
           * 2, c);
                                                  40
       if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
           i*2+1, c);
                                                  41
61
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
62 }
                                                  42
63 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與sten
   //改值從+=改成=
                                                  44
                                                  45
                                                  46
                                                  47
                                                  48
                                                  49
```

50

5.4 線段樹 2D

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
  #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
  int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
  void modifyY(int index, int 1, int r, int
       val, int yPos, int xIndex, bool
       xIsLeaf) {
      if (1 == r) {
         if (xIsLeaf) {
             maxST[xIndex][index] =
                  minST[xIndex][index] = val;
             return;
         }
         maxST[xIndex][index] =
              max(maxST[xIndex * 2][index],
              maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
         minST[xIndex][index] =
              min(minST[xIndex * 2][index],
              minST[xIndex * 2 + 1][index]);
     }
     else {
         int mid = (1 + r) / 2;
         if (yPos <= mid)</pre>
             modifyY(index * 2, 1, mid, val,
                  yPos, xIndex, xIsLeaf);
             modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
                  r, val, yPos, xIndex,
                  xIsLeaf);
         maxST[xIndex][index] =
              max(maxST[xIndex][index * 2],
              maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
         minST[xIndex][index] =
              min(minST[xIndex][index * 2],
              minST[xIndex][index * 2 + 1]);
  void modifyX(int index, int 1, int r, int
       val, int xPos, int yPos) {
      if (1 == r) {
         modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
              true);
     }
     else {
         int mid = (1 + r) / 2;
         if (xPos <= mid)</pre>
             modifyX(index * 2, 1, mid, val,
                  xPos, yPos);
             modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                  r, val, xPos, yPos);
         modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
              false):
     }
  void queryY(int index, int 1, int r, int
       yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,
       int &vmin) {
      if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
         vmax = max(vmax,
             maxST[xIndex][index]);
         vmin = min(vmin,
              minST[xIndex][index]);
     }
     else
         int mid = (1 + r) / 2;
         if (yql <= mid)</pre>
             queryY(index * 2, 1, mid, yql,
                  yqr, xIndex, vmax, vmin);
         if (mid < yqr)</pre>
             queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                  yql, yqr, xIndex, vmax,
                  vmin):
     }
```

51 void queryX(int index, int 1, int r, int 52 xql, int xqr, int yql, int yqr, int& vmax, int& vmin) { if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre> 53 queryY(1, 1, N, yql, yqr, index, vmax, vmin); 55 56 else { 57 int mid = (1 + r) / 2;58 if (xql <= mid)</pre> queryX(index * 2, 1, mid, xql, 59 xqr, yql, yqr, vmax, vmin); 60 if (mid < xqr)</pre> 61 queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r,xql, xqr, yql, yqr, vmax, vmin); 62 } 63 int main() { 64 while (scanf("%d", &N) != EOF) { 65 int val; 66 67 for (int i = 1; $i \le N$; ++i) { 68 for (int j = 1; $j \le N$; ++j) { scanf("%d", &val); 69 70 modifyX(1, 1, N, val, i, j); 71 } 72 73 int q; 74 int vmax, vmin; 75 int xql, xqr, yql, yqr; char op; 76 scanf("%d", &q); 77 78 while (q--) { 79 getchar(); //for \n scanf("%c", &op); 80 81 if (op == 'q') { scanf("%d %d %d %d", &xql, 82 &yql, &xqr, &yqr); vmax = -0x3f3f3f3f;83 vmin = 0x3f3f3f3f;84 85 queryX(1, 1, N, xql, xqr, yql, yqr, vmax, vmin); printf("%d %d\n", vmax, vmin); 86 87 } else { 88 scanf("%d %d %d", &xql, &yql, &val); 90 modifyX(1, 1, N, val, xql, yql); 91 } 92 } 93 94 return 0;

5.5 權值線段樹

11

14

23

27

28

31

36

37

41

43

46

47

48

50

51

52

53

54

56

57

58

59

61 62

63

64

```
1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第 k小問題
   //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
   #define maxn 30005
   int nums[maxn];
   int getArr[maxn];
   int id[maxn];
   int st[maxn << 2];</pre>
   void update(int index, int 1, int r, int qx){
       if (1 == r) {
10
          ++st[index];
                                                     10 };
          return:
12
                                                     11
       int mid = (1 + r) / 2;
13
                                                     12
       if (qx <= mid)</pre>
          update(index * 2, 1, mid, qx);
15
16
           update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
17
       st[index] = st[index * 2] + st[index * 2]
                                                     16
19 }
                                                     17
   //找區間第k個小的
  int query(int index, int 1, int r, int k) {
21
                                                     18
       if (1 == r) return id[1];
                                                     19
22
       int mid = (1 + r) / 2;
                                                     20
       //k比左子樹小
24
                                                     21
       if (k <= st[index * 2])</pre>
25
26
           return query(index * 2, 1, mid, k);
                                                     23
                                                     24
           return query(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                     25
                r, k - st[index * 2]);
                                                     26
29 }
                                                     27
30 int main() {
                                                     28
       int t;
                                                     29 }
       cin >> t;
32
       bool first = true;
                                                     30
33
       while (t--) {
34
           if (first) first = false;
35
          else puts("");
                                                     32
          memset(st, 0, sizeof(st));
                                                     33
          int m, n;
38
39
           cin >> m >> n;
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {
40
              cin >> nums[i];
                                                     36
              id[i] = nums[i];
                                                     37
42
                                                     38
44
           for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                     39
45
              cin >> getArr[i];
                                                     40
                                                     41
           //防止m == 0
           if (m) sort(id + 1, id + m + 1);
           int stSize = unique(id + 1, id + m +
49
                                                     43
               1) - (id + 1);
                                                     44
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {
                                                     45
              nums[i] = lower_bound(id + 1, id
                   + stSize + 1, nums[i]) - id;
                                                     46
                                                    47 }
           int addCount = 0;
          int getCount = 0;
55
          int k = 1;
           while (getCount < n) {</pre>
              if (getArr[getCount] == addCount)
                                                     51
                  printf("%d\n", query(1, 1,
                                                     53
                       stSize, k));
                                                     54
                  ++getCount;
                                                     55
60
              }
                                                     56
                  update(1, 1, stSize,
                                                     57
                       nums[addCount + 1]);
                                                     58
                  ++addCount;
65
                                                     59
          }
                                                     60
66
                                                     61
67
      }
68 }
```

63

return -1;

5.6 ChthollyTree

```
//重點: 要求輸入資料隨機, 否則可能被卡時間
  struct Node {
      long long l, r;
      mutable long long val;
      Node(long long 1, long long r, long long
         : 1(1), r(r), val(val){}
      bool operator<(const Node& other) const {</pre>
         return this->1 < other.1;</pre>
  set<Node> chthollyTree;
  //將[1, r] 拆成 [1, pos - 1], [pos, r]
  set<Node>::iterator split(long long pos) {
      //找第一個左端點大於等於pos的區間
      set<Node>::iterator it =
           chthollyTree.lower_bound(Node(pos,
           0, 0));
      //運氣很好直接找到左端點是pos的區間
      if (it != chthollyTree.end() && it->l ==
         return it:
      //到這邊代表找到的是第一個左端點大於pos的區間
      //it - 1即可找到左端點等於pos的區間
      //(不會是別的,因為沒有重疊的區間)
      --it;
      long long l = it->l, r = it->r;
      long long val = it->val;
      chthollyTree.erase(it);
      chthollyTree.insert(Node(1, pos-1, val));
      //回傳左端點是pos的區間iterator
      return chthollyTree.insert(Node(pos, r,
           val)).first;
  void assign(long long l, long long r, long
       long val) {
      //<注意>
      //end與begin的順序不能調換,因為end的split可能會改變
      //因為end可以在原本begin的區間中
      set<Node>::iterator end = split(r + 1),
          begin = split(1);
      //begin到end全部刪掉
      chthollyTree.erase(begin, end);
      //填回去[1, r]的區間
      chthollyTree.insert(Node(1, r, val));
  //區間加值(直接一個個區間去加)
  void add(long long l, long long r, long long
       val) {
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
      set<Node>::iterator begin = split(1);
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
           != end; ++it)
         it->val += val;
  //查詢區間第k小 -> 直接把每個區間丟去vector排序
  long long getKthSmallest(long long 1, long
       long r, long long k) {
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
      set<Node>::iterator begin = split(1);
      //pair -> first: val, second: 區間長度
      vector<pair<long long, long long>> vec;
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
           != end; ++it) {
         vec.push_back({it->val, it->r - it->l
      sort(vec.begin(), vec.end());
      for (const pair<long long, long long>&
          p: vec) {
         k -= p.second;
         if (k <= 0) return p.first;</pre>
62
      //不應該跑到這
```

1 const int maxc = 26;

struct TrieNode {

TrieNode() {

struct Trie {

TrieNode* root;

cur->cnt++;

cur->cnt--;

// 字典裡有出現 word

TrieNode* cur = root;

for(auto& ch : word) {

int c = ch - minc;

return cur->cnt || prefix;

// 字典裡有 word 的前綴為 prefix

bool startsWith(string prefix) {

return search(prefix, true);

int cnt:

10

11

12

15

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27

14 };

13 }

const char minc = 'a';

TrieNode* child[maxc];

node = nullptr;

for(auto& node : child) {

Trie() { root = new TrieNode(); }

cur->child[c] = new TrieNode();

void insert(string word) {

for(auto& ch : word) {

int c = ch - minc:

if(!cur->child[c])

cur = cur->child[c];

void remove(string word) {

TrieNode* cur = root;

for(auto& ch : word) {

int c = ch - minc;

cur = cur->child[c];

if(!cur->child[c]) return;

bool search(string word, bool prefix=0) {

if(!(cur=cur->child[c])) return false;

TrieNode* cur = root;

64 } 65 //快速幕 66 long long qpow(long long x, long long n, long long mod) { long long res = 1; 67 x % = mod;68 69 while (n) { 70 **if** (n & 1) res = res * x % mod; 71 n >>= 1; 72 x = x * x % mod;73 74 return res; 75 } 76 //區間n次方和 77 long long sumOfPow(long long l, long long r, long long n, long long mod) { long long total = 0; 78 set<Node>::iterator end = split(r + 1); set<Node>::iterator begin = split(1); ลด for (set<Node>::iterator it = begin; it 81 != end; ++it) { total = (total+gpow(it->val,n,mod) * 82 (it->r-it->l+1))%mod; 83 84 return total; 85 }

5.7 單調隊列

46 }

```
28
                                                    29
   //單調隊列
                                                    30
   "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"
                                                     32
   example:
                                                     33
   給出一個長度為 n 的數組,
                                                     34
   輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
                                                     35
                                                     36
   #define maxn 1000100
                                                     37
   int q[maxn], a[maxn];
                                                     38
   int n, k;
                                                     39
11
   //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
                                                     40
12
   void getmin() {
                                                     41
13
       int head=0,tail=0;
                                                     42
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
14
                                                     43
15
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                     44
                tail---
                                                     45
16
          q[++tail]=i;
                                                     46
17
                                                     47
18
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
                                                     48
19
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                     49
                tail--:
20
          α[++tail]=i:
                                                    51
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
21
                                                     52
          cout<<a[q[head]]<<" ";
22
                                                    53
23
                                                     54
       cout<<endl;</pre>
24
                                                     55
25
   }
                                                     56|};
   // 和上面同理
26
27
   void getmax() {
28
       int head=0,tail=0;
29
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
30
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
31
          q[++tail]=i;
32
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
33
34
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
          q[++tail]=i;
36
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
37
          cout<<a[q[head]]<<" ";
38
39
       cout<<endl;
40
   }
41
   int main(){
       cin>>n>>k; //每k個連續的數
42
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
43
44
       getmin();
45
       getmax();
```

5.8 Trie 5.9 AC Trie

// 單字字符數

// 首個 ASCII

```
const int maxn = 1e4 + 10; // 單字字數
   const int maxl = 50 + 10; // 單字字長
   const int maxc = 128; // 單字字符數
   const char minc = ' '; // 首個 ASCII
   int trie[maxn*maxl][maxc]; // 原字典樹
   int val[maxn*maxl];
                          // 結尾(單字編號)
   int cnt[maxn*max1];
                            // 結尾(重複個數)
   int fail[maxn*maxl];
                            // failure link
10
  bool vis[maxn*maxl];
                            // 同單字不重複
12
   struct ACTrie {
    int seq, root;
13
14
15
    ACTrie() {
      seq = 0;
      root = newNode();
17
18
19
    int newNode() {
20
21
      for(int i=0; i<maxc; i++) trie[seq][i]=0;</pre>
      val[seq] = cnt[seq] = fail[seq] = 0;
22
23
      return seq++;
24
25
    void insert(char* s, int wordId=0) {
      int p = root;
27
28
      for(; *s; s++) {
        int c = *s - minc;
29
        if(!trie[p][c]) trie[p][c] = newNode();
30
31
        p = trie[p][c];
32
33
      val[p] = wordId;
34
      cnt[p]++;
35
36
37
    void build() {
      queue<int> q({root});
38
39
      while(!q.empty()) {
40
        int p = q.front();
41
        q.pop();
        for(int i=0; i<maxc; i++) {</pre>
42
          int& t = trie[p][i];
43
44
          if(t) {
45
            fail[t] = p?trie[fail[p]][i]:root;
46
            q.push(t);
          } else {
47
48
            t = trie[fail[p]][i];
49
50
51
      }
52
53
54
    // 要存 wordId 才要 vec
    // 同單字重複match要把所有vis取消掉
56
    int match(char* s, vector<int>& vec) {
      int res = 0;
      memset(vis, 0, sizeof(vis));
58
59
      for(int p=root; *s; s++) {
        p = trie[p][*s-minc];
        for(int k=p; k && !vis[k]; k=fail[k]) {
61
          vis[k] = true;
          res += cnt[k]:
63
64
          if(cnt[k]) vec.push_back(val[k]);
65
66
67
      return res; // 匹配到的單字量
68
69 }:
70
71 ACTrie ac;
                 // 建構,初始化
72 ac.insert(s); // 加字典單字
73 // 加完字典後
74 ac.build();
                 // !!! 建 failure link !!!
75 ac.match(s); // 多模式匹配(加vec存編號)
```

Geometry

公式 6.1

1. Circle and Line

```
L_1: ax + by + c_1 = 0 \ {\mbox{\it id}} \ L_2: ax + by + c_2 = 0
                      d(L_1,L_2) = \frac{|c_1 - c_2|}{\sqrt{a^2 + b^2}}
```

設三角形頂點為 $A(x_1,y_1), B(x_2,y_2), C(x_3,y_3)$

點 A, B, C 的對邊長分別為 a, b, c

點 $P(x_0, y_0)$ 到直線 L: ax + by + c = 0 的距離

 $d(P,L) = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{2}}$

2. Triangle

```
三角形面積為 🛆
 重心為 (G_x, G_y),內心為 (I_x, I_y),
外心為 (O_x, O_y) 和垂心為 (H_x, H_y)
                                                  \Delta = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}
                 G_x \, = \, \frac{x_1 \, + \, x_2 \, + \, x_3}{3} \, , \, G_y \, = \, \frac{y_1 \, + \, y_2 \, + \, y_3}{3}
        I_{X} \, = \, \frac{ax_{1} \, + bx_{2} + cx_{3}}{a + b + c} \, , \, I_{Y} \, = \, \frac{ay_{1} \, + by_{2} + cy_{3}}{a + b + c}
O_{x} = \frac{\begin{vmatrix} x_{1}^{2} + y_{1}^{2} & y_{1} & 1 \\ x_{2}^{2} + y_{2}^{2} & y_{2} & 1 \\ x_{3}^{2} + y_{3}^{2} & y_{3} & 1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} x_{3}^{2} + y_{3}^{2} & y_{3} & 1 \end{vmatrix}}, O_{y} =
                                                                                                                 \begin{vmatrix} x_1 & x_1^2 + y_1^2 \\ x_2 & x_2^2 + y_2^2 \\ x_3 & x_3^2 + y_3^2 \end{vmatrix}
                              H_x = -\frac{\begin{vmatrix} x_2 x_3 + y_2 y_3 \\ x_1 x_3 + y_1 y_3 \\ x_1 x_2 + y_1 y_2 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} x_1 x_2 + y_1 y_3 \\ x_1 x_2 + y_1 y_2 \end{vmatrix}}
                                                                                                                  y_2
                              H_{\mathcal{Y}} = - \begin{vmatrix} x_1 & x_2x_3 + y_2y_3 \\ x_2 & x_1x_3 + y_1y_3 \\ x_3 & x_1x_2 + y_1y_2 \end{vmatrix}
```

 $G_x = \frac{2}{3}O_x + \frac{1}{3}H_x, G_y = \frac{2}{3}O_y + \frac{1}{3}H_y$

6.2 Template

```
using DBL = double;
   using TP = DBL; // 存點的型態
   const DBL pi = acos(-1);
   const DBL eps = 1e-8;
   const TP inf = 1e30;
   const int maxn = 5e4 + 10;
   struct Vector {
10
    TP x, y;
    Vector(TP x=0, TP y=0): x(x), y(y) {}
    DBL length();
12
   using Point = Vector;
   using Polygon = vector<Point>;
15
16
   Vector operator+(Vector a, Vector b) {
17
   return Vector(a.x+b.x, a.y+b.y); }
   Vector operator-(Vector a, Vector b) {
19
   return Vector(a.x-b.x, a.y-b.y); }
20
   Vector operator*(Vector a, DBL b) {
21
22
   return Vector(a.x*b, a.y*b); }
   Vector operator/(Vector a, DBL b) {
   return Vector(a.x/b, a.y/b); }
24
  TP dot(Vector a, Vector b) {
26
27
   return a.x*b.x + a.y*b.y;
29 TP cross(Vector a, Vector b) {
```

任意三角形,重心、外心、垂心共線

```
30
      return a.x*b.y - a.y*b.x;
31 }
32 DBL Vector::length() {
      return sqrt(dot(*this, *this));
 34
   DBL dis(Point a, Point b) {
 35
      return sqrt(dot(a-b, a-b));
36
 37 }
 38 Vector unit_normal_vector(Vector v) {
     DBL len = v.length();
 39
 40
      return Vector(-v.y/len, v.x/len);
 41
 42
    struct Line {
 44
     Point p;
 45
      Vector v;
      DBL ang;
 46
      Line(Point _p={}, Vector _v={}) {
 48
 49
       v = v;
 50
       ang = atan2(v.y, v.x);
 51
      bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
       return ang < 1.ang;</pre>
53
 54
55 };
 56
 57
    struct Segment {
       Point s, e;
 58
 59
        Segment(): s({0, 0}), e({0, 0}) {}
        Segment(Point s, Point e): s(s), e(e) {}
60
        DBL length() { return dis(s, e); }
1 61
1 62 };
63
    struct Circle {
 64
     Point o;
65
 66
      Circle(): o({0, 0}), r(0) {}
      Circle(Point o, DBL r=0): o(o), r(r) {}
68
      Circle(Point a, Point b) { // ab 直徑
 69
       o = (a + b) / 2;
70
       r = dis(o, a);
 71
 72
73
      Circle(Point a, Point b, Point c) {
        Vector u = b-a, v = c-a;
        DBL c1=dot(u, a+b)/2, c2=dot(v, a+c)/2;
        DBL dx=c1*v.y-c2*u.y, dy=u.x*c2-v.x*c1;
 77
       o = Point(dx, dy) / cross(u, v);
 78
        r = dis(o, a);
 79
      bool cover(Point p) {
80
81
       return dis(o, p) <= r;</pre>
82
 83 };
```

6.3 最小圓覆蓋

```
1 vector<Point> p(3); // 在圆上的點
2 Circle MEC(vector<Point>& v, int n, int d=0){
    Circle mec;
    if(d == 1) mec = Circle(p[0]);
    if(d == 2) mec = Circle(p[0], p[1]);
    if(d == 3) return Circle(p[0], p[1], p[2]);
    for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
      if(mec.cover(v[i])) continue;
      p[d] = v[i];
      mec = MEC(v, i, d+1);
10
11
12
    return mec;
```

6.4 Intersection

```
1 // 除 intersection(Line a, Line b) 之外,
   // 皆尚未丟 online judge
   int dcmp(DBL a, DBL b=0.0) {
    return (a > b) - (a < b);
   bool hasIntersection(Point p, Segment s) {
     return dcmp(cross(p-s.s, s.s-s.e))==0&&
           dcmp(dot(p.x-s.s.x, p.x-s.e.x)) \le 0\&\&
10
11
           dcmp(dot(p.y-s.s.y, p.y-s.e.y)) <= 0;
12 }
13
   bool hasIntersection(Point p, Line 1) {
    return dcmp(cross(p-1.p, 1.v)) == 0;
15
16
17
18
   DBL dis(Line 1, Point p) {
    DBL t = cross(p, 1.v) + cross(1.v, 1.p);
19
20
    return abs(t) / sqrt(dot(1.v, 1.v));
21 }
22
23
   Point intersection(Line a, Line b) {
    Vector u = a.p - b.p;
24
    DBL t = 1.0 \times cross(b.v, u)/cross(a.v, b.v);
    return a.p + a.v*t;
27 }
28
29
   // 返回 p 在 1 上的垂足(投影點)
   Point getPedal(Line 1, Point p) {
    DBL len = dot(p-1.p, 1.v) / dot(1.v, 1.v);
    return l.p + l.v * len;
33 }
```

6.5 Polygon

```
// 判斷點 (point) 是否在凸包 (p) 內
   bool pointInConvex(Polygon& p, Point point) {
    // 根據 TP 型態來寫,沒浮點數不用 dblcmp
    auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
     // 不包含線上,改 '>=' 為 '>
    auto test = [&](Point& p0, Point& p1) {
      return dblcmp(cross(p1-p0, point-p0))>=0;
9
    p.push_back(p[0]);
    for(int i=1; i<p.size(); i++) {</pre>
10
      if(!test(p[i-1], p[i])) {
        p.pop_back();
12
        return false;
13
14
15
16
    p.pop_back();
17
    return true;
18 }
   // 計算簡單多邊形的面積
20
   // ! p 為排序過的點 !
   DBL polygonArea(Polygon& p) {
    DBL sum = 0;
    for(int i=0, n=p.size(); i<n; i++)</pre>
      sum += cross(p[i], p[(i+1)%n]);
    return abs(sum) / 2.0;
26
```

旋轉卡尺 6.6

```
// 回傳凸包內最遠兩點的距離
   int longest_distance(Polygon& p) {
     auto test = [&](Line 1, Point a, Point b) {
     return cross(l.v,a-l.p)<=cross(l.v,b-l.p);</pre>
 5
6
    if(p.size() <= 2) {
7
      return cross(p[0]-p[1], p[0]-p[1]);
8
    }
9
     int mx = 0;
     for(int i=0, j=1, n=p.size(); i<n; i++) {</pre>
10
11
       Line l(p[i], p[(i+1)%n] - p[i]);
12
       for(;test(1,p[j],p[(j+1)%n]);j=(j+1)%n);
       mx = max({
13
14
        mx,
         dot(p[(i+1)%n]-p[j], p[(i+1)%n]-p[j]),
15
16
         dot(p[i]-p[j], p[i]-p[j])
17
      });
    }
18
19
     return mx;
20 }
           凸包
   6.7
       • TP 為 Point 裡 x 和 y 的型態
       • struct Point 需要加入並另外計算的 variables:
              1. ang, 該點與基準點的 atan2 值
              2. d2, 該點與基準點的 (距離)<sup>2</sup>
       · 注意計算 d2 的型態範圍限制
 1 using TP = long long;
   using Polygon = vector<Point>;
3
   const TP inf = 1e9; // 座標點最大值
6
   Polygon convex_hull(Point* p, int n) {
     auto dblcmp = [](DBL a, DBL b=0.0) {
       return (a>b) - (a<b);
8
9
     auto rmv = [&](Point a, Point b, Point c) {
10
      return cross(b-a, c-b) <= 0; // 非浮點數
11
12
       return dblcmp(cross(b-a, c-b)) <= 0;</pre>
13
14
     // 選最下裡最左的當基準點,可在輸入時計算
15
16
     TP lx = inf, ly = inf;
17
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
      if(p[i].y<ly || (p[i].y==ly&&p[i].x<lx)){</pre>
18
19
         lx = p[i].x, ly = p[i].y;
20
21
22
23
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
24
       p[i].ang=atan2(p[i].y-ly,p[i].x-lx);
25
       p[i].d2 = (p[i].x-lx)*(p[i].x-lx) +
                (p[i].y-ly)*(p[i].y-ly);
26
27
     sort(p, p+n, [&](Point& a, Point& b) {
28
29
      if(dblcmp(a.ang, b.ang))
        return a.ang < b.ang;</pre>
30
31
       return a.d2 < b.d2;</pre>
    });
32
33
34
     int m = 1; // stack size
     Point st[n] = \{p[n]=p[0]\};
35
36
     for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
      for(;m>1&&rmv(st[m-2],st[m-1],p[i]);m--);
37
       st[m++] = p[i];
38
39
40
    return Polygon(st, st+m-1);
```

41 }

6.8 半平面相交

```
1 using DBL = double;
   using TP = DBL; // 存點的型態
   using Polygon = vector<Point>;
   const int maxn = 5e4 + 10;
   // Return: 能形成半平面交的凸包邊界點
   Polygon halfplaneIntersect(vector<Line>&nar){
     sort(nar.begin(), nar.end());
10
     // DBL 跟 Ø 比較, 沒符點數不用
     auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
11
     // p 是否在 1 的左半平面
     auto lft = [&](Point p, Line 1) {
13
14
      return dblcmp(cross(1.v, p-1.p)) > 0;
15
16
17
     int ql = 0, qr = 0;
     Line L[maxn] = {nar[0]};
18
19
     Point P[maxn];
20
21
     for(int i=1; i<nar.size(); i++) {</pre>
22
       for(; ql<qr&&!lft(P[qr-1],nar[i]); qr--);</pre>
23
       for(; ql<qr&&!lft(P[ql],nar[i]); ql++);</pre>
24
       L[++qr] = nar[i];
25
       if(dblcmp(cross(L[qr].v,L[qr-1].v))==0) {
        if(lft(nar[i].p,L[--qr])) L[qr]=nar[i];
27
28
       if(ql < qr)
29
        P[qr-1] = intersection(L[qr-1], L[qr]);
30
31
     for(; ql<qr && !lft(P[qr-1], L[ql]); qr--);</pre>
32
     if(qr-ql <= 1) return {};</pre>
33
     P[qr] = intersection(L[qr], L[ql]);
34
     return Polygon(P+q1, P+qr+1);
35 }
```

7 DP

7.1 以價值為主的背包

```
/*w 變得太大所以一般的01背包解法變得不可能
     觀察題目w變成10^9
     而 v_i變成 10^3
    N不變 10^2
    試著湊湊看dp狀態
    dp[maxn][maxv]是可接受的複雜度
     剩下的是轉移式,轉移式變成
    dp[i][j] = w \rightarrow
          當目前只考慮到第1個商品時,達到獲利j時最少的wejg
    所以答案是dp[n][1 \sim maxv]找價值最大且裝的下的*/
   #define maxn 105
                                                  15
   #define maxv 100005
                                                  16
   long long dp[maxn][maxv];
                                                  17
   long long weight[maxn];
   long long v[maxn];
   int main() {
15
                                                  20
      int n;
                                                  21
      long long w;
17
      scanf("%d %11d", &n, &w);
18
                                                 23
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
19
          scanf("%11d %11d", &weight[i], &v[i]);
20
21
                                                  26
      memset(dp, 0x3f, sizeof(dp));
22
                                                  27
23
      dp[0][0] = 0;
                                                 28
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {
24
                                                  29
          for (int j = 0; j <= maxv; ++j) {</pre>
25
             if (j - v[i] >= 0)
26
                 dp[i][j] = dp[i - 1][j -
27
                      v[i]] + weight[i];
             dp[i][j] = min(dp[i - 1][j],
28
                   dp[i][j]);
          }
29
      }
30
31
      long long res = 0;
      for (int j = maxv - 1; j >= 0; --j) {
32
          if (dp[n][j] <= w) {</pre>
33
34
             res = j;
35
             break;
36
37
      printf("%11d\n", res);
```

7.2 Barcode

return 0;

39

```
1 int N, K, M;
   long long dp[55][55];
   // n -> 目前剩多少units
   // k -> 目前剩多少bars
   // m -> 1 bar最多多少units
   long long dfs(int n, int k) {
      if (k == 1) {
          return (n <= M);</pre>
10
       if (dp[n][k] != -1)
          return dp[n][k];
       long long result = 0;
12
       for (int i = 1; i < min(M + 1, n); ++i)</pre>
13
            { // < min(M + 1, n)是因為n不能==0
14
          result += dfs(n - i, k - 1);
15
16
       return dp[n][k] = result;
17
   }
18
   int main() {
       while (scanf("%d %d %d", &N, &K, &M) !=
19
            EOF) {
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
20
          printf("%11d\n", dfs(N, K));
21
22
```

7.3 RangeDP

```
1 //區間dp
   int dp[55][55];
   // dp[i][j] -> [i,j] 切割區間中最小的 cost
  int cuts[55]:
 5 int solve(int i, int j) {
      if (dp[i][j] != -1)
          return dp[i][j];
       //代表沒有其他切法,只能是cuts[j] - cuts[i]
      if (i == j - 1)
          return dp[i][j] = 0;
      int cost = 0x3f3f3f3f;
       for (int m = i + 1; m < j; ++m) {</pre>
          //枚舉區間中間切點
          cost = min(cost, solve(i, m) +
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
      return dp[i][j] = cost;
18 }
19 int main() {
      int 1,n;
      while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
          scanf("%d", &n);
for (int i = 1; i <= n; ++i)
             scanf("%d", &cuts[i]);
          cuts[0] = 0;
          cuts[n + 1] = 1;
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
          printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
       return 0;
```

7.4 抽屜

```
1 long long dp[70][70][2];
 2 // 初始條件
   dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
  for (int i = 2; i <= 66; ++i){
     // i個抽屜0個安全且上方0 =
      // (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
      // (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
      dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
      for (int j = 1; j <= i; ++j) {
         dp[i][j][0] =
10
11
           dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];
12
         dp[i][i][1] =
13
           dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];
14
15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
```

7.5 Deque 最大差距

```
1 /*定義 dp[1][r]是1 ~ r時與先手最大差異值
    轉移式: dp[l][r] = max{a[l] - solve(l + 1,
         r), a[r] - solve(1, r - 1)}
    裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,
    所以正負正負...*/
  #define maxn 3005
  bool vis[maxn][maxn];
  long long dp[maxn][maxn];
  long long a[maxn];
  long long solve(int 1, int r) {
     if (1 > r) return 0;
10
      if (vis[l][r]) return dp[l][r];
11
      vis[l][r] = true;
      long long res = a[l] - solve(l + 1, r);
13
      res = max(res, a[r] - solve(l, r - 1));
15
      return dp[1][r] = res;
16 }
17 int main() {
18
19
      printf("%lld\n", solve(1, n));
```

7.6 LCS 和 LIS

```
1 //LCS 和 LIS 題目轉換
2 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
    2. 對 A,B 做 LCS
  LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
    3. 對 B 做 LIS
     4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
10
       越早出現的數字要越小
     5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
       直接忽略這個數字不做轉換即可
  7.7 stringDP
  Edit distance S_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2
                i + 1,
```

```
dp[i,j] = \left\{ \begin{array}{ccc} i+1, & \text{if } j=-1 \\ j+1, & \text{if } i=-1 \\ dp[i-1,j-1], & \text{if } S_1[i] = S_2[j] \\ dp[i,j-1] \\ dp[i-1,j-1] \\ dp[i-1,j-1] \end{array} \right\} + 1, & \text{if } S_1[i] \neq S_2[j]
```

Longest Palindromic Subsequence

```
dp[l,\,r] = \left\{ \begin{array}{ccc} 1 & \text{if} & l = r \\ dp[l+1,\,r-1] & \text{if} & S[l] = S[r] \\ \max\{dp[l+1,\,r],\,dp[l,\,r-1]\} & \text{if} & S[l] \neq S[r] \end{array} \right.
```

7.8 樹 DP 有幾個 path 長度為 k

```
#define maxn 50005
   #define maxk 505
   //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
   long long dp[maxn][maxk];
   vector<vector<int>>> G;
   int n, k;
   long long res = 0;
   void dfs(int u, int p) {
10
      dp[u][0] = 1;
      for (int v: G[u]) {
11
12
          if (v == p)
             continue:
13
          dfs(v, u);
          for (int i = 1; i <= k; ++i) {
15
16
              //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
              dp[u][i] += dp[v][i - 1];
17
18
19
      }
      //統計在u子樹中距離u為k的數量
20
21
      res += dp[u][k];
      long long cnt = 0;
22
      for (int v: G[u]) {
23
        if (v == p)
          continue; //重點算法
25
        for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
          cnt +=
27
28
            dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
29
30
31
      res += cnt / 2;
32 }
33 int main() {
34
35
      dfs(1, -1);
      printf("%11d\n", res);
36
37
      return 0;
```

7.9 TreeDP reroot

7.10 WeightedLIS

```
/*re-root\ dp\ on\ tree\ O(n+n+n)\ ->\ O(n)*/
                                                      1 #define maxn 200005
   class Solution {
                                                      2 long long dp[maxn];
   public:
                                                        long long height[maxn];
 3
       vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
                                                        long long B[maxn];
            vector<vector<int>>& edges) {
                                                      5 long long st[maxn << 2];</pre>
           this->res.assign(n, 0);
                                                        void update(int p, int index, int 1, int r,
           G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                             long long v) {
 7
           for (vector<int>& edge: edges) {
                                                            if (1 == r) {
 8
              G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
                                                                st[index] = v;
 9
              G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
                                                      9
                                                                return:
10
                                                     10
11
           memset(this->visited, 0,
                                                     11
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
                sizeof(this->visited));
                                                            if (p <= mid)
                                                     12
12
           this->dfs(0);
                                                     13
                                                                update(p, (index << 1), 1, mid, v);
           memset(this->visited, 0,
13
                                                     14
                sizeof(this->visited));
                                                                update(p, (index << 1)+1,mid+1,r,v);
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
                                                            st[index] =
                                                     16
           memset(this->visited, 0,
                                                     17
                                                              max(st[index<<1],st[(index<<1)+1]);</pre>
15
                sizeof(this->visited));
                                                     18 }
           this->dfs3(0, n);
                                                        long long query(int index, int 1, int r, int
                                                     19
16
17
           return this->res;
                                                             ql, int qr) {
       }
                                                            if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
18
                                                     20
19
   private:
                                                     21
                                                               return st[index];
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
20
       vector<vector<int>> G;
                                                     22
       bool visited[30005];
                                                            long long res = -1;
21
                                                     23
       int subtreeSize[30005];
                                                            if (ql <= mid)</pre>
22
       vector<int> res;
23
                                                     25
                                                                res =
24
       //求subtreeSize
                                                     26
                                                                 max(res,query(index<<1,1,mid,q1,qr));</pre>
25
       int dfs(int u) {
                                                     27
                                                            if (mid < qr)</pre>
           this->visited[u] = true;
                                                                res =
26
                                                     28
27
           for (int v: this->G[u])
                                                     29
                                                                 max(res,query((index<<1)+1,mid+1,r,ql,qr));</pre>
              if (!this->visited[v])
                                                            return res;
28
                                                     30
29
                  this->subtreeSize[u] +=
                                                     31
                                                     32 int main() {
                        this->dfs(v);
30
                                                            int n;
                                                     33
                                                            scanf("%d", &n);
31
           this->subtreeSize[u] += 1;
32
           return this->subtreeSize[u];
                                                     35
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                                scanf("%11d", &height[i]);
33
       //求res[0], 0到所有點的距離
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)
34
                                                     37
       int dfs2(int u, int dis) {
                                                               scanf("%11d", &B[i]);
35
           this->visited[u] = true;
36
                                                     39
                                                            long long res = B[1];
37
           int sum = 0;
                                                     40
                                                            update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
38
           for (int v: this->G[u])
                                                     41
                                                            for (int i = 2; i <= n; ++i) {
              if (!visited[v])
                                                               long long temp;
39
                                                     42
                  sum += this->dfs2(v, dis + 1);
                                                                if (height[i] - 1 >= 1)
40
41
           //要加上自己的距離
                                                                    temp =
42
           return sum + dis;
                                                                     B[i]+query(1,1,n,1,height[i]-1);
                                                     45
43
                                                     46
       //算出所有的res
                                                                    temp = B[i];
                                                     47
44
45
       void dfs3(int u, int n) {
                                                     48
                                                                update(height[i], 1, 1, n, temp);
           this->visited[u] = true;
                                                                res = max(res, temp);
46
                                                     49
           for (int v: this->G[u]) {
47
                                                     50
48
              if (!visited[v]) {
                                                     51
                                                            printf("%11d\n", res);
49
                  this->res[v] = this->res[u] +
                                                            return 0;
                                                     52
                        n - 2 *
                        this->subtreeSize[v];
                   this->dfs3(v, n);
50
              }
51
52
53
       }
54 };
```

	Jc11						FJCU							20
	8 DP	List			77 78 79	 	 	 		155 156				
1 2 3	 	 	 	 	80 81 82	 		 	- 1	157 158 159 160			 	
4 5 6	 	 	 	 	83 84 85	 	 	 	 	161 162 163			 	
7 8 9		 	 	 	86 87 88	 	 	 	 	164 165 166				
10 11 12	 		 	 	89 90 91	 	 	 	I	167 168 169		 	 	
13 14 15		 	 		92 93 94	 	 	 	I	170 171 172	 		 	
16 17 18 19		 	 	 	95 96 97		 	 	I	173 174 175		 	 	
20 21 22		 	 		98 99 100		 	 	I	176 177 178		 	 	
23 24 25	 	 	 	 	101 102 103 104		 	 	I	179 180 181 182			 	
26 27 28	 	 	 	 	104 105 106 107		 	' 	I	182 183 184 185		 	 	
29 30 31	 		 	 	108 109 110		i 	, , , 	I	186 187 188		 	 	.
32 33 34	 	 	 	 	111 112 113	i 	i I	i i I I	I	189 190 191	i I	i I	i 	i i
35 36 37	 	 	 	 	114 115 116	 	 	 	I	192 193 194		 	 	
38 39 40	 		 	 	117 118 119	 	 	 	I	195 196 197		 	 	
41 42 43 44	 	 	 	 	120 121 122	! !	 	 ! !		198 199 200 201		 	! !	 ! !
45 46 47	 	i	 I	 	123 124 125 126	<u> </u> 	 	 		201 202 203 204		 	 	
48 49 50	i 	i I	i I	 	127 128 129		 	 	I	204 205 206 207		 	- ' 	
51 52 53	 	l l	 	 	130 131 132		. <u>-</u> 	 	I	208 209 210	 	 	- -	::
54 55 56	 	<u> </u> 	 ! !	 	133 134 135		 	 	 	211212213		 	 	<u>'</u>
57 58 59	 	<u> </u> 	 	 	136 137 138	 	 	 	 	214215216			 	
60 61 62 63	 	 	 		139 140 141		 	 	 	217 218 219	1		 	
64 65 66	 	<u> </u> 	' 	I I	142 143 144 145		 		 	220 221 222 223	I	 		
67 68 69	<u>'</u> 	<u>'</u> 	<u>-</u> 		145 146 147 148				 	224 225 226				
70 71 72	 	<u>·</u> 	 	 	149 150 151		 	 	 	227 228 229				
73 74 75	 		 	I I	152 153 154		 	 	 	230 231 232	1		 	
76											ı			

1	
238	
241	
242	
244	
246 <	
248 326 404 249 405	
249 327 405	
250	
252 330 408	
253 409 409	I
255 333 411	ii
256	
258 336 414	i i
259	
261 339 417 262	
263 341 419	
264 342 420 265	
266 344 422	1 1
267 345 423 268	
269 347 425	!!!
270 348 426 271	
271 427	
273 351 429 274	
275 353 431 276	
277	
278 356 434	
280	
281 359 437 282 438	
283	I I
285 363 441	ii
286	
288 366 444	i i
289	
291	
293 371 449	1 1
294 372 450 295	
296 374 452	1 1
297 375 453 298	
299 377 455	<u> </u>
300 378 456 301	I I
302 380 458 303 459	
304	ı l
305 383 461 306	
307	
308 386 464 309	
310 466 388	

							1300							_	
701 702	1	I	Į.		779	ļ ļ		I		857		1	I	I	
703					780 781		l 	 		858 859		·	 	I 	
704 705		 	l I		782 783		 	 	 	860 861	l I	 	 	 	
706 707					784 785	 	 I	 I		- 862 863			 I	 I	. <u>-</u> I
708	i	i	i		786	i	İ	İ		864	i	i	İ	İ	i
709 710			Ι	l	787 788	l		 	 	- 865 866	I	 	 	 	Ī
711 712		 		 	789 790	 	 	 	 	867 - 868		 	 	 	
713 714		1	l I		791 792	l I	 	 		869 870	I I	1	 	 	I
715					793	-		' 		871		- <u>-</u>	' 	' 	
716 717		İ	l		794 795	i	 	 	 	872 873			 	 	i
718 719		I	 	I	796 797		 	 		- 874 875		I	 	 	1
720 721		 		 	798 799	l 	l 	l 	<u> </u>	876 - 877	l	 	l 	l 	
722 723		1	I		800 801	ļ	 	 	 	878 879	ļ	1	 	 	
724					802	 	I 	I 		- 880			! 	I 	·-
725 726		 	l I		803 804		 	 	 	881 882	l I	1	 	 	
727 728		 I	 I	 	805 806	 	 I	 I	I	- 883 884		 	 I	 I	. <u>-</u> I
729 730	j	i			807 808	i		 		885 886	i	<u>i</u>	 	 	İ
731	!	Į.	!	!!!	809	!	ļ	ļ	<u> </u>	887	į.	!	ļ	ļ	ļ
732 733	 	 	 	 	810 811		 	 	l 	888 - 889		 	 	 	
734 735		1	l I	1 1	812 813		 	 	 	890 891	l I	1	 	 	
736 737					814 815	 		 I		- 892 893		. <u>.</u>	 I	 I	
738		i	i		816	i		 	 	894	İ	i		! 	i
739 740		Ι	Ι		817 818	l	l	 		- 895 896	I	 	I	 I	1
741 742		 		 	819 820	 	l 	 		897 - 898	I		 	l 	
743 744		1	I	1	821 822	ļ.	 	 	 	899 900	ļ !	1	 	 	I
745					823			! 		901	<u>'</u>		! 	! 	
746 747 748		1	l I		824 825		 	 	 	902 903		1	 	 	I
748 749	 	I	 I	 	826 827	 	 	 I	 	- 904 905			 I	 	. <u>-</u>
750 751		 			828 829	<u> </u>		l 		906 907	l	l 	l 	l 	1
752 753		1	ļ	1 !	830	ļ				908	ļ	1	l	l	ļ
754	 		 	·	831 832		 	 		910		 	 	 	
755 756		 	l I		833 834		 	 	 	911 912			 	 	1
757 758	 I	I	 I	 	835 836	 	I	 I		- 913 914		 	 I	 I	
759 760	<u> </u>	i	<u>i</u>	· 	837	 	 	 		915		<u>i</u>	 	 	i
761	!		!		838	!	!	!		916	!		!	!	I
762 763	I	 		 	840 841		l 	l 	l	918 - 919		·	 	l 	
764 765		1	l I	1 1	842 843	l I	 	 	 	920 921	I I	1	 	 	l I
766					844	-	' 	' 		922		. <u>-</u>	' 	' 	
767 768		1	l		845 846		 	 	 	923 924	l I	1	 	 	
769 770	 	 	 I	 	847 848		 	 I	 	925 926		 	 I	 I	-
771 772	<u> </u>	 			849 850	i 	l 	l 	l .	927 - 928			l 	l 	
773		ļ	ļ		851	ļ	l	l		929	ļ	1	l	l	
774 775	I	 			852 853		I 	I 		930 931		·	I 	I 	
776 777		 	l I		854 855		 	 	 	932 933			 	 	
778				· 	856				· '	934					-

															_
935	I	1	I	101	3	I	I	I		1091	1	I	I	I	ı
936	I	1	1	101		l	I	1] [1092	I	1	I	I	
937				101						1093					-
938	!	Į.	ļ.	101		<u> </u>	ļ	!		1094		!	!	<u> </u>	
939	I	1	1	101		l	l	l	l 1	1095		1	I	l	I
940 941	 I			101 101				1		1096 1097	ı	1			- I
942	<u> </u>	i		101		! 	l I	i		1098		1	I I	! 	
943		·		102			' 			1099			' 		-
944	I	1	I	102		I	I	I		1100		1	I	I	I
945	I	1	1	102		l		1		1101		1	I	l	
946				102						1102					-
947	!	ļ.	ļ.	102		ļ	ļ	!		1103	l l	1	ļ	<u> </u>	ļ
948 949	 	 	 	102		l 	 	 		1104			 	 	 -
950	I	1		102			 I	1		1105 1106	ı	1	I		- I
951	i	i	i	102		' 	! 	i		1107		i	i I		i
952				103	a			· 		1108					-
953	1	1	1	103	1	l				1109	I	1	I	I	
954	I	I	I	103		l		1		1110	I	1	I	l	
955				103						1111					-
956 957		!		103						1112		1			!
958	 		 	103		l 	I 	 		1113 1114		I	 	I 	 -
959	I	1	ı	103		ı	ı	1		1115	ı	ſ	ı	ı	ı
960	i	i	i	103	8	i I	i	i	'	1116	i	i	I		i
961				103	9					1117					-
962	I	1	1	104	a	l	I	1		1118	I	1	I	I	I
963	I	I	I	104		I	I	I		1119	I	1	I	I	I
964				104						1120	,				-
965 966	-	-	-	104 104		 	 	1	 	1121 1122		1	 	 	
967	 		। 	104		I 	I 	 		1123			I 	I 	-
968	ı	1	ı	104		I	I	ı		1124	I	1	I	I	ı
969	į	i	i	104		İ	i	İ		1125	i	i	İ	I	i
970				104						1126					-
971	I	1		104		l		1		1127	I	1	I	l	
972		1	I	105		l		1		1128	I	1	l	l	
973 974				105						1129	1			 ı	-
975	l I		l	105 105		l I	 	1		1130 1131		1	l I	l I	1
976				105		I 				1132					-
977	1	1	1	105		I	1	1		1133		1	I	I	ı
978	ĺ	ĺ	İ	105	6	ĺ	ĺ	ĺ	į į	1134	ĺ	İ	ĺ	ĺ	ĺ
979				105						1135					-
980	!	ļ.	ļ	105	i	<u> </u>	!	!		1136	l l	!	ļ	I	
981		1	I		9	l	l	l		1137		1	I	l	I
982 983				106				1		1138 1139	ı	1			-
984	i i	i	i	106		! 	 	i		1140		1	l I	! 	i
985		'		106		' 	' 	' 		1141			' 	' 	-
986	I	1	1	106	4	l		1		1142	I	1	I	I	
987	I	1	1	106		l	l	1		1143		1	I	l	
988				106						1144					-
989	ļ	ļ	I	106		 -	1	1		1145		1	[[1
990 991	 		l 	106		I 	I 	I 		1146 1147		I 	I 	I 	 -
992	I	1	1	107		I	I	ı		1148	ı	1	I	I	ı
993	i	i	i	107	1		i	i		1149		i	İ	I	i
994				107	2					1150					-
995	I	1	1	107		I	I	1] [1151	I	1	I	I	I
996	I	I	I	107		I	I	I		1152	I	1	I	I	I
997				107		 I				1153	1		 !	 !	-
998 999	ļ	l I	l	107 107	7	 	 	1		1154 1155		1	 	 	
1000	 		 	107		I 	 	 		1156			 	I 	-
1000	I	I	1			I	1	1		1157	ı	1	1	I	ı
1002	i	i	i	108		I	i	i		1158	i	i	İ	I	i
1003	<u>·</u>			108	1					1159					-
1004	I	1	1	108	2	I	I	I		1160	I	1	I	I	I
1005	I	1	I	108		l	I	1	l I.	1161	I	1	I	I	I
1006				108						1162					-
1007 1008	ļ		l I	108 108		 	I I	1	[[1	1163 1164		1	I I	I I	1
1008	 	I	l 	108		I 	I 	I 		1164 1165		I 	I 	I 	1
1010	I	I	1	108		I	1	1		1166	ı	1	1	I	ı
1011	i	i	i	108	9		i	İ	'	1167	i	İ	I	I	i
1012				109	a					1168					-

															_
1169	1	1	1	124		I	I	I		1325		1	I	I	I
170 171	 	 		124 124		l 	 	 		1326 -1327		 	 	 	 -
172	1	1	1	125	a	I	I	I		1328	I	1	I	I	ı
1173	I	I	I	125 125		1	I	I		1329 -1330	l	1	I	l 	1
1174 1175	1		1					 		1330	l			 	-
176	i	i	i	125	4	İ	İ	İ		1332	i	İ	İ	İ	İ
1177 1178	 I		I	125 125		 I	 I	 I		-1333 1334				 I	-
1179	i	i	i	125		i			i	1335		i	i	İ	i
1180				125						-1336					-
1181 1182		l I	l I	125 126	9 9	 	 	 	 	1337 1338		1	 	 	1
1183				126	1	· 	· 	· 		-1339		·	· 		-
1184 1185	ļ	I	I	126 126						1340 1341	l I	1			
1186				126	4		ı 	 		-1342		·	 		-
1187	ļ.	Į.	1	126		!	<u> </u>	!		1343	!	!	Į.	I	1
1188 1189	 	 	 	126 126		 	 	 		1344 -1345		 	 	 	-
1190	1	1	1	126	8	I	l	I		1346	I	1	I	I	I
1191 1192	 	 		126 127		 	l 	l 	 	1347 -1348	l	 	 	 	
1193	1	I	1	127		I	I	I	I	1349	I	I	I	I	ı
1194	1	1	1	127	2	I	I	I	I	1350	I	1	1	I	I
1195 1196	 I		I	127 127		I	 I	 I	 I	-1351 1352		 	 I	 I	-
1197	i	i	i	127	5	i	i	i	1	1353	i	i	i	I	i
1198				127 127						-1354 1355					-
1199 1200	i	i	-				 	 		1355		¦	 	! 	i
1201	<u>-</u>			127	9	<u>-</u>		<u>-</u>		-1357		·	<u>-</u>		-
1202 1203	l I	I	l	128 128		1			1	1358 1359		1	1		
1204				128	2			' 		-1360		·			-
1205	!	Į.	!	128	3	ļ.	ļ	!	Į.	1361	l l	!	ļ.	ļ .	ļ
1206 1207	 	 	 	128 128		 	 	 	 	1362 -1363		 	 	 	-
1208	1	1	1	128	6	I	I	I		1364	I	1	I	I	I
1209 1210	 	 		128 128		 	l 	l 		1365 -1366	l	 	l	l 	
1211	1	I	I	128		I	I	I		1367	I	I	I	I	I
1212	ĺ	Ì	ĺ	129	a	Ì	Ì	İ	ĺ	1368	Ì	İ	ĺ	Ī	Ī
1213 1214	 I		I	129 129		I	 I	 I	 I	-1369 1370		 		 I	- I
1215	i	i	i	129	3	i	i	i	I	1371	i	i	i	İ	i
1216				129	4					-1372					-
1217 1218	i	l I		129 129	6	 	 	I I	 	1373 1374		1	 	 	
1219				129	7					-1375		·			-
1220 1221	l I	l I		129 129		 	 	 		1376 1377		1	 	 	
1222				130	a		' 	' 		-1378					-
1223	!	I	I	130 130	1					1379	l I	1			
1224 1225	I	I 		130		ı 	ı 	ı 	ı 	1380 -1381			I 	ı 	-
1226	ļ	!	1	130	4	!	Į.	Į.		1382	ļ.	!	Į.	I	ļ
1227 1228	 	 	 	130 130	5 6	I 	l 	I 	l 	1383 -1384		 	l 	l 	. <u> </u>
1229	1	1	1	130	7	I	I	I	1	1385	I	1	I	I	I
1230	1			130	8					1386					
1231 1232	 			130 131						-1387 1388	l			 	-
1233	İ	i	i	131	1	İ	İ	İ		1389	i	İ	İ	İ	İ
1234 1235	 I		I	131 131		 I	 I	 I	 I	-1390 1391	l			 I	- I
1236	i		i	131	4	i	İ	İ		1392			İ	i	i
1237				131	5					-1393					-
1238 1239	1	I	I I	131 131	7	1	I I	I I		1394 1395		1	I I	I I	I
1240				131	8	· 				-1396		· 	· 		-
1241 1242	1		I	131 132	9	I	 		 	1397 1398		1	 	[1
1243				132	1		ı 		ı 	-1399					
1244	į.	1	Į.	132	2	ļ.	ļ	!		1400	ļ.	1	Į.	!	ļ
1245 1246	 	 	 	132 132		I 	l 	I 	l 	1401 -1402		 	l 	I 	. <u> </u>
				132	I						I				