#### **Contents**

1	ubuntu         1.1 run	1 1 1
2	Basic         2.1 ascii	1 1 1
3	<b>字串</b> 3.1 最長迴文子字串	1 1
4	STL 4.1 priority_queue	2 2 2 2 2 3 3 3 4
5	sort 5.1 大數排序 5.2 bubble sort	<b>5</b> 5 5 5 5
6	math       6.1 質數與因數       6.2 prime factorization       6.3 快速冪	<b>5</b> 6 6
7	algorithm 7.1 basic	7 7 7 7 7 7 7 7 8 8 3
8	動態規劃 8.1 LCS 和 LIS	11 11
9	<b>graph</b> 9.1 graph	<b>11</b> 11
10	9 Section2 10.1 thm	<b>12</b> 12
11	<b>space</b> 11.1 s	<b>12</b> 12
12	Preference         12.1 hw6	13 13 14 14

## 1 ubuntu

### 1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

### 1.2 cp.sh

### 2 Basic

#### 2.1 ascii

1	- 1						
	1	int	char	int	char	int	char
1	2	32		64	@	96	•
1	3	33	!	65	Α	97	a
1	4	34	"	66	В	98	b
	5	35	#	67	С	99	С
1	6	36	\$	68	D	100	d
1	7	37	%	69	E	101	e
2 2 2 2	8	38	&	70	F	102	f
	9	39	,	71	G	103	g
	10	40	(	72	Н	104	h
	11	41	)	73	I	105	i
	12	42	*	74	J	106	j
2	13	43	+	<i>75</i>	K	107	k
3	14	44	,	76	L	108	1
3	15	45	-	77	М	109	m
3	16	46		78	N	110	n
4	17	47	/	79	0	111	0
7	18	48	0	80	P	112	p
5	19	49	1	81	Q	113	9
5	20	50	2	82	R	114	r
5	21	51	3	83	S	115	S
<b>5</b> 5 6	22	52	4	84	T	116	t
	23	53	5	85	U	117	u
	24	54	6	86	V	118	V
	25	55	7	87	W	119	W
	26	56	8	88	Χ	120	X
7	27	57	9	89	Υ	121	y
7	28	58	:	90	Z	122	z
7	29	59	;	91	_ [	123	{
7	30	60	, <	92	Ĭ	124	Ī
7	31	61	=	93	j	125	}
8	32	62	>	94	۸ ـ	126	~
٠	33	63	?	95		. = 0	
11	55		•	55	_		

#### 2.2 limits

```
1 [Type]
                       [size]
                                   [range]
                                  127 to -128
  2 char
                        1
                                  127 to -128
  3 signed char
                         1
  4 unsigned char
                                  0 to 255
                        1
    short
                        2
                                  32767 to -32768
  6
    int
                                  2147483647 to -2147483648
                         4
13 7
    unsigned int
                                  0 to 4294967295
                                  2147483647 to -2147483648
4 8 long
14 9 unsigned long
                         4
                                  0 to 18446744073709551615
  10 long long
                         8
               9223372036854775807 to -9223372036854775808
  11
  12 double
                             1.79769e+308 to 2.22507e-308
                         8
  13 long double
                         16
                             1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
  14 float
                         4
                                3.40282e+38 to 1.17549e-38
  15 unsigned long long 8
                                  0 to 18446744073709551615
  16 string
                         32
```

# 3 字串

### 3.1 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x) % 2 ? s[(x) / 2] : '.')
3 using namespace std;
4
5 string s;
6 int n;
7
8 int ex(int 1, int r) {
9 int i = 0;
```

```
while(l - i \ge 0 \&\& r + i < n \&\& T(l - i) == T(r + i)
10
         i)) i++;
11
     return i;
12 }
13
14 int main() {
    cin >> s;
15
16
     n = 2 * s.size() + 1;
17
18
     int mx = 0;
19
    int center = 0;
     vector<int> r(n);
20
     int ans = 1;
21
     r[0] = 1;
22
23
     for(int i = 1; i < n; i++) {</pre>
       int ii = center - (i - center);
24
       int len = mx - i + 1;
25
26
       if(i > mx) {
         r[i] = ex(i, i);
27
28
         center = i;
         mx = i + r[i] - 1;
29
30
       } else if(r[ii] == len) {
31
         r[i] = len + ex(i - len, i + len);
         center = i;
32
         mx = i + r[i] - 1;
33
34
       } else {
35
         r[i] = min(r[ii], len);
36
37
       ans = max(ans, r[i]);
38
39
40
     cout << ans - 1 << "\n";
41
     return 0;
```

### 4 STL

42 }

#### 4.1 priority\_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序,
      即優先權高的資料會先被取出。
2 宣告:
3
     priority_queue <int> pq;
  把元素 x 加進 priority_queue:
5
     pq.push(x);
  讀取優先權最高的值:
6
7
     x = pq.top();
8
     pq.pop();
                            //讀取後刪除
  判斷是否為空的priority_queue:
9
     pq.empty()
                            //回傳 true
10
                            //回傳@
11
     pq.size()
12 如需改變priority_queue的優先權定義:
13
     priority_queue <T> pq;
                           //預設由大到小
14
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
15
                            //改成由小到大
16
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp
```

#### 4.2 queue

```
1 queue: 佇列,資料有「先進先出」 (first in first out,
     FIFO)的特性。
2 就像排隊買票一樣,先排隊的客戶被服務。
3|宣告:
     queue <int> q;
4
 把元素 x 加進 queue:
5
6
     q.push(x);
  取值:
7
     x = q.front(); //   
8
     x = q.back(); // \mathbb{R}
10 移除已經讀取的值:
```

```
11
       q.pop();
  判斷是否為空的queue:
12
       q.empty() 回傳true
13
       q.size() 回傳零
14
15
  #include <iostream>
16
17
  #include <queue>
  using namespace std;
18
19
20
  int main() {
21
       while (cin >> n){
22
           if (n == 0) break;
23
           queue <int> q;
24
           for (int i = 0; i < n; i++){
25
26
                q.push(i+1);
27
           }
28
           cout << "Discarded cards:";</pre>
           for (int i = 0; i < n-1; i++){</pre>
29
                if (i != 0) cout << ',';</pre>
30
                cout << ' ' << q.front();
31
32
                q.pop();
33
                q.push(q.front());
34
                q.pop();
35
           cout << endl << "Remaining card: " <<</pre>
36
                q.front() << endl;
37
       }
38 }
```

#### 4.3 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2
      (Standard Template Library, STL)
     中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
4
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back()
             //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
13 dq.front()
              //回傳 deque 最開頭的元素
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
     position: 插入元素的 index 值
16
17
     n: 元素插入次數
    val: 插入的元素值
18
19 da.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
              //清空整個 deque 佇列。
20 dq.clear()
21 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
 dq.empty()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
                若是存在任何元素,則返回0
24
 dq.begin()
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
 dq.end()
25
              //指向 deque 結尾,
               不是最後一個元素,
26
               而是最後一個元素的下一個位置
27
```

#### 4.4 map

```
    1 map: 存放 key-value pairs 的映射資料結構,

    2 會按 key 由小到大排序。

    3 元素存取

    4 operator[]: 存取指定的[i]元素的資料
```

```
6 迭代器
7 begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end():回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key: it->first 或 (*it).first
14 取 value: it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert(): 插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
27| 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
31 //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34
35
  int main(){
36
      //declaration container and iterator
37
      map<string, string> mp;
38
      map<string, string>::iterator iter;
39
40
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
41
42
      //insert element
      mp.insert(pair<string, string>("r000",
43
           "student_zero"));
44
      mp["r123"] = "student_first";
45
46
      mp["r456"] = "student_second";
47
48
      //traversal
      for(iter = mp.begin(); iter != mp.end(); iter++)
49
          cout << iter -> first << " " << iter -> second << endl;</pre>
50
51
      for(iter_r = mp.rbegin(); iter_r != mp.rend();
          iter_r++)
          cout<<iter_r->first<<"
52
               "<<iter_r->second<<endl;
53
      //find and erase the element
54
      iter = mp.find("r123");
55
56
      mp.erase(iter);
57
      iter = mp.find("r123");
58
59
60
      if(iter != mp.end())
61
         cout << "Find, the value is
              "<<iter->second<<endl;
62
         cout << "Do not Find" << endl;</pre>
63
64
65
      return 0;
66 }
67
68 / // map 統 計 數 字
69 #include <bits/stdc++.h>
70 using namespace std;
71
72 int main(){
73
    ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0);
74
    long long n,x;
75
    cin>>n;
    map <int,int> mp;
76
```

#### 4.5 unordered\_map

```
    1 unordered_map: 存放 key-value pairs

    2 的「無序」映射資料結構。

    3 用法與map相同
```

#### 4.6 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
3
  宣告:
4
     set <int> st:
5
  把元素 x 加進 set:
6
     st.insert(x):
7
  檢查元素 x 是否存在 set 中:
10
     st.count(x);
11
  刪除元素 x:
12
     st.erase(x); // 可傳入值或iterator
13
14
  清空集合中的所有元素:
15
     st.clear();
16
17
  取值: 使用iterator
18
     x = *st.begin();
19
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
20
21
      x = *st.rbegin();
22
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
23
  判斷是否為空的set:
24
     st.empty() 回傳true
25
      st.size() 回傳零
26
27
28
  常用來搭配的member function:
29
      st.count(x);
     auto it = st.find(x);
30
31
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.lower_bound(x);
32
33
         // binary search, O(log(N))
34
      auto it = st.upper_bound(x);
35
         // binary search, O(log(N))
```

#### 4.7 multiset

```
1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。2 | 資料由小到大排序。3 | 宣告:4 multiset < int > st;5 | 刪除資料:6 st.erase(val); 會刪除所有值為 val 的元素。7 st.erase(st.find(val)); 只刪除第一個值為 val 的元素。
```

#### 4.8 unordered\_set

```
1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
2 資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),
```

<sup>3</sup> 相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,

```
無自動排序功能。
6
7
  unordered_set<int> myunordered_set{1, 2, 3, 4, 5};
8
9 陣列初始化
10 int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};
11 unordered_set < int > myunordered_set(arr, arr+5);
12
13 插入元素
14 unordered_set < int > myunordered_set;
15 myunordered_set.insert(1);
16
17 迴圈遍歷 unordered_set 容器
18 #include <iostream>
19 #include <unordered_set>
20 using namespace std;
21
22
  int main() {
      unordered_set < int > myunordered_set = {3, 1};
23
24
       myunordered_set.insert(2);
25
      myunordered_set.insert(5);
26
      myunordered_set.insert(4);
27
      myunordered_set.insert(5);
      myunordered_set.insert(4);
28
29
      for (const auto &s : myunordered_set) {
30
31
           cout << s << " ";
32
      cout << "\n";
33
34
35
      return 0;
36
  }
37
38 /*
39 output
40 4 5 2 1 3
41
42
43 unordered_set 刪除指定元素
44 #include <iostream>
45 #include <unordered_set>
46
47
  int main() {
      unordered_set<int> myunordered_set{2, 4, 6, 8};
48
49
50
      myunordered_set.erase(2);
      for (const auto &s : myunordered_set) {
51
           cout << s << " ";
52
      }
53
      cout << "\n";
54
55
56
      return 0:
57 }
58 /*
59 output
60 8 6 4
61
  */
62
63 清空 unordered_set 元素
64 unordered_set < int > myunordered_set;
65 myunordered_set.insert(1);
66 myunordered_set.clear();
67
68 unordered_set 判斷元素是否存在
69 unordered_set < int > myunordered_set;
70 myunordered_set.insert(2);
71 myunordered_set.insert(4);
72 myunordered_set.insert(6);
  cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1</pre>
74 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
75
76 判斷 unordered_set 容器是否為空
77 #include <iostream>
78 #include <unordered_set>
79
```

```
80 int main() {
       unordered_set < int > myunordered_set;
81
82
       myunordered_set.clear();
83
84
       if (myunordered_set.empty()) {
            cout << "empty\n";</pre>
85
       } else {
86
87
            cout << "not empty, size is "<<
                 myunordered_set.size() << "\n";</pre>
88
       }
89
90
       return 0;
91 }
```

### 4.9 單調隊列

```
1 // 單調隊列
2
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
  example 1
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
9 //寫法1
10 #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 1000100
  using namespace std;
12
13 int q[maxn], a[maxn];
14 int n, k;
15
16
  void getmin() {
17
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
      int head = 0, tail = 0;
18
       for (int i = 1; i < k; i++) {
19
           while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
20
               tail--;
21
           q[++tail] = i;
      }
22
       for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
23
           while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
24
               tail--;
25
           q[++tail] = i;
           while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
26
27
           cout << a[q[head]] << " ";
28
      }
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
32
       int head = 0, tail = 0;
       for (int i = 1; i < k; i++) {
33
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail] = i;
35
36
37
       for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
39
           q[++tail] = i;
           while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
40
           cout << a[q[head]] << " ";
41
      }
42
43
  }
44
  int main() {
45
      cin>>n>>k: //每 k 個 連 續 的 數
46
       for (int i = 1; i <= n; i++) cin>>a[i];
47
48
       getmin();
49
      cout << '\n';
50
       getmax();
      cout << '\n';
51
52
       return 0;
53 }
54
56 #include <iostream>
57 #include <cstring>
```

```
58 #include <deque>
59 using namespace std;
60 int a[1000005];
61
62
   int main() {
63
       ios_base::sync_with_stdio(0);
64
       int n. k:
65
        while(cin>>n>>k) {
            for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
66
67
            deque<int> dq;
68
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
                while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
69
70
                     dq.pop_front();
                while(dq.size() && a[dq.back()]>a[i])
71
72
                     dq.pop_back();
73
                dq.push_back(i);
74
                if(i==k-1) cout << a[dq.front()];</pre>
75
                if(i>k-1) cout<< ' '<<a[dq.front()];</pre>
76
77
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
            cout << '\n';
78
79
            while(dq.size()) dq.pop_back();
80
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
                while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
81
                     dq.pop_front();
82
                while(dq.size() && a[dq.back()]<a[i])</pre>
83
                     dq.pop_back();
84
85
                dq.push_back(i);
                if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];</pre>
86
87
                if(i>k-1) cout<<' '<<a[dq.front()];</pre>
88
89
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
90
            cout << '\n';
91
92
       return 0;
93 }
94
95
   example 2
96
97
   一個含有 n 項的數列,求出每一項前的 m
98
        個數到它這個區間內的最小值。
   若前面的數不足 m 項則從第 1
99
        個數開始,若前面沒有數則輸出 0
100
101 #include <bits/stdc++.h>
102 using namespace std;
   #define re register int
104 #define INF 0x3f3f3f3f
105 #define ll long long
106 | #define maxn 2000009
107 #define maxm
   inline 11 read() {
108
       11 x=0, f=1;
109
       char ch=getchar();
110
111
       while(ch<'0'||ch>'9'){
       if(ch=='-') f=-1;
112
113
       ch=getchar();
114
       while(ch>='0'&&ch<='9'){</pre>
115
116
       x=(x<<1)+(x<<3)+(11)(ch-'0');
117
       ch=getchar();
118
     }
       return x*f;
119
120 }
121 int n,m,k,tot,head,tail;
122
   int a[maxn],q[maxn];
123 int main() {
       n=read(), m=read();
124
125
        for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();</pre>
126
       head=1, tail=0; //起始位置為1
            因為插入是q[++tail]所以要初始化為0
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
127
          //每次隊首的元素就是當前的答案
128
129
            cout << a[q[head]] << endl;</pre>
130
```

#### 5 sort

### 5.1 大數排序

```
1 | #python 大數排序
  while True:
3
    try:
5
     n = int(input())
                              # 有幾筆數字需要排序
                              #建立空串列
      arr = []
7
     for i in range(n):
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
9
      arr.sort()
                              # 串列排序
10
      for i in arr:
                            # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
13
     break
```

#### 5.2 bubble sort

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
3
  int main() {
5
    int n;
6
     cin>>n;
7
     int a[n], tmp;
     for(int i=0; i<n; i++) cin>>a[i];
8
     for(int i=n-1; i>0; i--) {
10
       for(int j=0; j<=i-1; j++) {</pre>
11
         if( a[j]>a[j+1]) {
12
            tmp=a[j];
13
            a[j]=a[j+1];
14
            a[j+1]=tmp;
15
         }
16
17
18
     for(int i=0; i<n; i++) cout << a[i] << " ";</pre>
19 }
```

## 6 math

## 6.1 質數與因數

```
1| 質數
2
  一般篩法 O(NloglogN)
3
  vector<int> p;
  bitset<MAXN> is_notp;
5
  void PrimeTable(int n)
7
  {
8
       is notp.reset():
9
       is_notp[0] = is_notp[1] = 1;
       for (int i = 2; i \le n; i++)
10
11
12
           if (is_notp[i])
13
               continue;
14
           p.push_back(i);
           for (int j = i * i; j <= n; j += i)</pre>
15
```

```
16
           {
17
                is_notp[j] = 1;
18
           }
19
       }
20 }
21
22 線性篩法 O(N)
23 vector < int > p;
24 bitset < MAXN > is_notp;
25 void PrimeTable(int n)
26
27
       is_notp.reset();
       is_notp[0] = is_notp[1] = 1;
28
29
       for (int i = 2; i <= n; ++i)
30
           if (!is_notp[i])
31
32
                p.push_back(i);
33
            for (int j = 0; j < (int)p.size(); ++j)</pre>
34
35
                if (i * p[j] > n)
36
                    break;
                is_notp[i * p[j]] = 1;
37
                if (i % p[j] == 0)
38
39
                    break;
           }
40
41
       }
42 }
43
   因數
45
46 最大公因數 O(log(min(a,b)))
47
  int GCD(int a, int b)
48 {
49
       if (b == 0) return a;
50
       return GCD(b, a % b);
51 }
52
53 質因數分解
54
55
  void primeFactorization(int n)
56 {
       for (int i = 0; i < (int)p.size(); ++i)</pre>
57
58
           if (p[i] * p[i] > n)
59
60
                break;
61
           if (n % p[i])
                continue:
62
            cout << p[i] << ' ';
63
           while (n % p[i] == 0)
64
65
                n /= p[i];
66
67
       if (n != 1)
68
           cout << n << ' ';
       cout << '\n':
69
70 }
71
72|歌德巴赫猜想
73 | solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
74 #include <iostream>
75 #include <cstdio>
76 using namespace std;
77 #define N 20000000
78 int ox[N], p[N], pr;
79
80
   void PrimeTable(){
81
       ox[0] = ox[1] = 1;
82
       pr = 0;
       for (int i = 2; i < N; i++){
83
84
            if (!ox[i]) p[pr++] = i;
           for (int j = 0;i*p[j]<N&&j < pr; j++)
85
                ox[i*p[j]] = 1;
86
87
       }
88 }
89
  int main(){
90
91
       PrimeTable();
92
       int n;
```

```
93
           while (cin>>n,n){
               int x;
94
95
               for (x = 1;; x += 2)
                   if (!ox[x] && !ox[n - x])break;
96
               printf("%d = %d + %d\n", n, x, n - x);
97
       }
98
99 }
100 problem : 給定整數 N,求 N
       最少可以拆成多少個質數的和。
101 如果 N 是質數,則答案為 1。
102 如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
103 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
104
105
   #pragma GCC optimize("02")
   #include <bits/stdc++.h>
106
   using namespace std;
   #define FOR(i, L, R) for(int i=L;i<(int)R;++i)</pre>
108
   #define FORD(i, L, R) for(int i=L;i>(int)R;--i)
109
110
   #define IOS
       cin.tie(nullptr);
111
112
       cout.tie(nullptr);
       ios_base::sync_with_stdio(false);
113
114
115
   bool isPrime(int n){
       FOR(i, 2, n){
116
117
           if (i * i > n)
               return true;
118
           if (n % i == 0)
119
120
               return false;
121
       }
122
       return true;
123 }
124
125
   int main(){
126
       IOS;
127
       int n;
       cin >> n;
128
129
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
130
       else cout << "3\n";</pre>
131
132 }
```

#### 6.2 prime factorization

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
3
4
  int main() {
5
     int n;
     while(true) {
6
7
       cin>>n;
       for(int x=2; x<=n; x++) {</pre>
8
9
          while(n%x==0) {
10
            cout << x << " * ";
11
            n/=x;
12
         }
13
       }
       cout << "\b \n";
14
15
     }
     system("pause");
16
17
     return 0;
18 }
```

### 6.3 快速冪

```
1 計算a^b
2 #include <iostream>
3 #define ll long long
4 using namespace std;
5
6 const ll MOD = 1000000007;
7 ll fp(ll a, ll b) {
8 int ans = 1;
```

```
9
     while(b > 0) {
       if(b & 1) ans = ans * a % MOD;
10
11
       a = a * a % MOD;
12
       b >>= 1;
13
14
     return ans;
15 }
16
17
  int main() {
18
     int a, b;
19
     cin>>a>>b;
     cout << fp(a,b);</pre>
20
21 }
```

## 7 algorithm

#### 7.1 basic

```
1 min:取最小值。
2 min(a, b)
3 min(list)
4 max: 取最大值。
5 max(a, b)
6 max(list)
7 min_element:找尋最小元素
8 min_element(first, last)
9 max_element:找尋最大元素
10 max_element(first, last)
11 sort:排序,預設由小排到大。
12 sort(first, last)
13 sort(first, last, comp):可自行定義比較運算子 Comp 。
14 find: 尋找元素。
15 find(first, last, val)
16 lower_bound:尋找第一個小於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
 lower_bound(first, last, val)
  upper_bound:尋找第一個大於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
19 upper_bound(first, last, val)
20 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false
21
22 next_permutation(first, last)
23 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false
25 prev_permutation(first, last)
```

## 7.2 binarysearch

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
  int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
       int left=0, right=nums.size()-1;
       while(left<=right){</pre>
6
7
            int mid=(left+right)/2;
           if (nums[mid]>target) right=mid-1;
8
           else if(nums[mid]<target) left=mid+1;</pre>
10
           else return mid+1;
11
12
       return 0;
13 }
14
15 int main() {
16
    int n, k, x;
17
     cin >> n >> k;
    int a[n];
18
     vector<int> v;
19
20
     for(int i=0 ; i<n ; i++){</pre>
21
       cin >> x;
22
       v.push_back(x);
23
```

```
for(int i=0 ; i<k ; i++) cin >> a[i];
24
    for(int i=0 ; i<k ; i++){</pre>
25
26
      cout << binary_search(v, a[i]) << endl;</pre>
27
    }
  }
28
29
                                 //最左邊 ≥ k 的位置
30 lower_bound(a, a + n, k);
                                 //最左邊 > k 的位置
31 upper_bound(a, a + n, k);
32 upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
33 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
34 (lower_bound, upper_bound)
                                 //等於 k 的範圍
35
  equal_range(a, a+n, k);
36
37
  /*
  input
38
39 5 5
40 1 3 4 7 9
41 3 1 9 7 -2
42
43
  /*
44
45
  output
46
  2
47
48
  5
49
  4
  0
51 */
        prefix sum
  7.3
```

```
1 // 前綴和
  陣列前n項的和。
  b[i] = a[0] + a[1] + a[2] + \cdots + a[i]
  區間和 [l, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
  #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
  int main(){
8
      int n;
      cin >> n;
10
      int a[n], b[n];
12
      for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
13
      b[0] = a[0];
14
      for(int i=1; i<n; i++) b[i] = b[i-1] + a[i];</pre>
      for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<< ' ';</pre>
15
16
       cout << '\n';
      int 1, r;
17
       cin >> 1 >> r;
18
       cout << b[r] - b[1-1]; //區間和
19
```

### 7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5|給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
  在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
  最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 | 這樣一來, b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
12 #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
15 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
16
  int main(){
17
     int n, 1, r, v;
     cin >> n;
18
```

```
19
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
                                                      57
                                                                    q.push(x);
         cin >> a[i];
                                                      58
20
                                                      59
                                                                long long ans = 0;
21
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
                                                                while (q.size() > 1){
                                                      60
22
                                                      61
                                                                    x = q.top();
23
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
                                                      62
                                                                    q.pop();
24
     b[r+1] -= v;
                                                                    x += q.top();
                                                      63
25
                                                      64
                                                                    q.pop();
26
                                                      65
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
                                                                    q.push(x);
27
         b[i] += b[i-1];
                                                      66
                                                                    ans += x;
28
29
         cout << b[i] << ' ';
                                                      67
                                                                }
                                                                cout << ans << endl;
                                                      68
30
      }
                                                      69
                                                            }
31 }
                                                      70
                                                         }
                                                      71
                                                        Commando War
                                                      72
  7.5 greedy
                                                        //problem
                                                      73
                                                      74 有 n 個部下,每個部下要花 Bi 分鐘交待任務,
                                                         再花 Ji 分鐘執行任務,一次只能對一位部下交代任務:
1 //貪心
                                                         但可以多人同時執行任務,問最少要花多少時間完成任務。
77
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
                                                      78
                                                         //solution
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
                                                         執行時間長的人先交代任務
                                                      79
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
                                                         //code
                                                      81
  確認無誤再實作。
                                                         #include <bits/stdc++.h>
                                                      83
                                                         using namespace std;
9 Scarecrow
                                                      84
                                                         struct Data{
10 //problem
                                                      85
                                                            int b, j;
11 有一個 N×1 的稻田,有些稻田現在有種植作物,
                                                            bool operator<(const Data &rhs) const {</pre>
                                                      86
12 為了避免被動物破壞,需要放置稻草人,
                                                      87
                                                                return j > rhs.j;
                                                            }
                                                      88
13 稻草人可以保護該塊稻田和左右兩塊稻田,
                                                      89
                                                         };
14 請問最少需要多少稻草人才能保護所有稻田?
                                                      90
15
                                                         int main(){
                                                      91
16 //solutoin
                                                            int n, ti = 0;
                                                      92
17 從左到右掃描稻田,如果第 i 塊稻田有作物,
                                                            Data a[1005];
                                                      93
18 就把稻草人放到第 i+1 塊稻田,
                                                      94
                                                            while (cin >> n, n){
19 這樣能保護第 i,i+1,i+2 塊稻田,
                                                                for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                      95
20 接著從第 i+3 塊稻田繼續掃描。
                                                                    cin >> a[i].b >> a[i].j;
                                                      96
21
                                                      97
                                                                sort(a, a + n);
22 //code
                                                      98
                                                                int ans = 0, sum = 0;
23 #include <bits/stdc++.h>
                                                      99
                                                                for (int i = 0; i < n; ++i){
24 using namespace std;
                                                      100
                                                                    sum += a[i].b;
25 int main(){
                                                      101
                                                                    ans = max(ans, sum + a[i].j);
26
     string s;
                                                      102
27
      int i, n, t, tc = 1;
                                                      103
                                                                cout << "Case "<<++ti<<": "<<ans<< '\n';
28
      cin >> t;
                                                            }
                                                      104
29
      while (t--){
                                                        }
                                                     105
         cin >> n >> s;
30
                                                     106
31
         int nc = 0;
                                                     107 刪數字問題
          for (i = 0; i < n; i++)
32
                                                     108 //problem
             if (s[i] == '.')i += 2, nc++;
33
                                                     109 給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
         cout << "Case "<<tc++<<": "<<nc<<endl;</pre>
34
                                                         請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
                                                     110
     }
35
                                                     111
36
                                                     112
                                                         //solution
37
                                                         刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
                                                     113
38 霍夫曼樹的變形題
                                                         扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
                                                     114
39 //problem
                                                     115
40 給定 N 個數,每次將兩個數 a,b 合併成 a+b,
                                                     116
                                                         //code
41 只到最後只剩一個數,合併成本為兩數和,
                                                     117 int main()
42 問最小合併成本為多少。
                                                     118
                                                         {
43
                                                     119
                                                            string s;
  //solution
44
                                                            int k:
                                                     120
  每次將最小的兩數合併起來。
45
                                                     121
                                                            cin >> s >> k;
46
                                                            for (int i = 0; i < k; ++i){
                                                     122
47 //code
                                                                if ((int)s.size() == 0) break;
                                                     123
48 #include <bits/stdc++.h>
                                                                int pos = (int)s.size() - 1;
                                                     124
49 using namespace std;
                                                                for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){}
                                                     125
50 int main()
                                                                    if (s[j] > s[j + 1]){
                                                      126
51
  {
                                                     127
                                                                        pos = j;
52
      int n, x;
                                                      128
                                                                        break;
      while (cin >> n, n){
53
                                                      129
                                                                    }
         priority_queue < int , vector < int > , greater < int >>
54
                                                                }
                                                     130
             q;
```

132

}

while (n--){

cin >> x;

55

56

s.erase(pos, 1);

```
133
      while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
                                                       208
                                                             int i = 1, ans = 0;
          s.erase(0, 1);
                                                             while (i \le n)
134
                                                      209
      if ((int)s.size()) cout << s << '\n';</pre>
                                                                 int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)
135
                                                       210
      else cout << 0 << '\n';
136
                                                      211
                                                                 int nextR=-1;
137
                                                      212
                                                                 for (int j = R; j >= L; --j){
138
                                                      213
                                                                     if (a[j]){
                                                                         nextR = j;
139
                                                      214
140 區間覆蓋長度
                                                                         break:
                                                                     }
                                                      216
                                                       217
142 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                      218
                                                                 if (nextR == -1){
   請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度?
                                                                     ans = -1;
                                                       219
144
145
   //solution
                                                       221
146
   先將所有區間依照左界由小到大排序,
                                                                 ++ans;
   左界相同依照右界由小到大排序,
                                                       223
                                                                 i = nextR + r;
   用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。
                                                       224
   如果目前區間左界 ≤R,代表該區間可以和前面的線段合併。
149
                                                       225
                                                             cout << ans << '\n';
150
                                                       226
  //code
151
                                                       227
152 struct Line
                                                      228
153 | {
                                                       229 最多不重疊區間
154
      int L, R;
                                                       230
                                                          //problem
      bool operator < (const Line &rhs) const
155
                                                       231 | 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
156
                                                          請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
157
          if (L != rhs.L) return L < rhs.L;</pre>
                                                      233
158
          return R < rhs.R;</pre>
                                                          //solution
                                                      234
159
                                                      235
                                                          依照右界由小到大排序,
160
  };
                                                          每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                      236
161
                                                      237
162
   int main(){
                                                          //code
                                                      238
163
      int n:
                                                       239 struct Line
164
      Line a[10005];
                                                      240
      while (cin >> n){
165
                                                      241
                                                             int L, R;
166
          for (int i = 0; i < n; i++)
                                                       242
                                                             bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
              cin >> a[i].L >> a[i].R;
167
                                                                  return R < rhs.R;</pre>
168
          sort(a, a + n);
                                                       243
169
          int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
          for (int i = 1; i < n; i++){</pre>
                                                       245 };
170
                                                       246
              if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);</pre>
171
                                                      247
                                                          int main(){
172
              else{
                                                             int t;
                                                       248
173
                 ans += R - L;
                                                             cin >> t;
                                                       249
174
                 L = a[i].L;
                                                             Line a[30];
                                                       250
                 R = a[i].R;
175
                                                       251
                                                             while (t--){
176
              }
                                                      252
                                                                 int n = 0;
177
          }
                                                                 while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
                                                       253
          cout << ans + (R - L) << ' \setminus n';
178
                                                       254
                                                                     ++n;
179
                                                      255
                                                                 sort(a, a + n);
180
                                                                 int ans = 1, R = a[0].R;
                                                       256
181
                                                                 for (int i = 1; i < n; i++){
                                                      257
182
                                                       258
                                                                     if (a[i].L >= R){
183 最小區間覆蓋長度
                                                      259
                                                                         ++ans;
   //problem
                                                                         R = a[i].R;
                                                       260
   給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                       261
                                                                     }
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
186
                                                                 }
                                                       262
187
                                                       263
                                                                 cout << ans << '\n';
188
                                                             }
                                                       264
265
                                                          }
   對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                       266
  找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
                                                      267
192
                                                         區間選點問題
                                                      268
193
   //problem
   長度 n 的直線中有數個加熱器,
194
                                                       270 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
195
                                                          請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點?
                                                      271
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
196
                                                      272
197
198
   //solution
                                                          將區間依照右界由小到大排序,R=第一個區間的右界,
199 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
                                                          遍歷所有區段,如果當前區間左界>R,
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
200
                                                      276
                                                          代表必須多選一個點 (ans+=1),並將 R=當前區間右界。
                                                      277
202
   //code
                                                      278
                                                          //problem
  int main(){
203
                                                      279 給定 N 個座標,要在 x 軸找到最小的點,
204
      int n, r;
                                                          讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
                                                      280
      int a[1005];
205
206
      cin >> n >> r;
                                                          //solution
                                                      282
207
      for (int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
                                                       283 以每個點 (xi,yi) 為圓心半徑為 D 的圓 C,
```

```
284 求出 C 和 x 軸的交點 Li, Ri, 題目轉變成區間選點問題。
                                                       360
285
                                                       361
                                                          上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
286
  //code
                                                       362
287 struct Line
                                                          //problem
                                                        363
288 {
                                                          給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
289
       int L, R;
                                                       365
       bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
290
                                                          和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                       366
291
          return R < rhs.R;</pre>
                                                       367
292
                                                       368
                                                          工作處裡時長 → 烏龜重量
293
  };
                                                          工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                       369
294
                                                          多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                       370
   int main(){
295
                                                       371
      int t;
296
                                                       372
                                                          //code
      cin >> t:
297
                                                       373
                                                          struct Work{
298
      Line a[30];
                                                       374
                                                              int t, d;
       while (t--){
299
                                                              bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
                                                       375
          int n = 0;
300
                                                       376
                                                                  return d < rhs.d;</pre>
301
          while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
                                                       377
              ++n;
302
                                                       378
                                                          };
          sort(a, a + n);
303
          int ans = 1, R = a[0].R;
                                                       379
304
                                                        380
                                                          int main(){
305
          for (int i = 1; i < n; i++){
                                                              int n = 0;
                                                       381
306
              if (a[i].L >= R){
                                                       382
                                                              Work a[10000];
307
                  ++ans;
                                                       383
                                                              priority_queue<int> pq;
                  R = a[i].R;
308
                                                              while(cin >> a[n].t >> a[n].d)
                                                       384
309
              }
                                                        385
          }
310
                                                              sort(a, a + n);
                                                       386
311
          cout << ans << '\n';
                                                              int sumT = 0, ans = n;
                                                       387
312
                                                       388
                                                              for (int i = 0; i < n; ++i){
313
                                                       389
                                                                  pq.push(a[i].t);
314
                                                       390
                                                                  sumT += a[i].t;
                                                                  if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                       391
316 最小化最大延遲問題
                                                                      int x = pq.top();
                                                       392
317 //problem
                                                       393
                                                                      pq.pop();
318 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                       394
                                                                      sumT -= x;
319 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                        395
                                                                      --ans;
320 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                                  }
                                                       396
  求一種工作排序使 maxLi 最小。
321
                                                        397
                                                              }
                                                              cout << ans << '\n';
                                                       398
323
  //solution
                                                       399
324 按照到期時間從早到晚處理。
                                                       400
325
                                                       401 任務調度問題
326 //code
                                                          //problem
                                                       402
327
  struct Work
                                                       403 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
328
                                                          期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
                                                        404
329
      int t, d;
                                                          請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                       405
       bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
330
                                                       406
331
          return d < rhs.d;</pre>
                                                          //solution
                                                       407
          }
332
                                                       408
                                                          依照懲罰由大到小排序,
333
  };
                                                          每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
                                                       409
334
                                                          如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                       410
335
   int main(){
                                                       411
336
      int n;
                                                       412 //problem
      Work a[10000];
337
                                                       413 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
338
       cin >> n;
       for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                          期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
339
          cin >> a[i].t >> a[i].d;
340
                                                              單位獎勵,
341
      sort(a, a + n);
                                                       415 請問最多會獲得多少單位獎勵。
342
      int maxL = 0, sumT = 0;
                                                       416
       for (int i = 0; i < n; ++i){</pre>
343
                                                       417 //solution
          sumT += a[i].t;
344
                                                       418 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
345
          maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
                                                       419
      }
346
                                                        420
                                                           //code
347
      cout << maxL << '\n';
                                                          struct Work
                                                       421
348 }
                                                       422
349
                                                       423
                                                              int d, p;
350
                                                       424
                                                              bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
351 最少延遲數量問題
                                                        425
                                                                  return p > rhs.p;
352 //problem
                                                                  }
                                                       426
353 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                        427
                                                          };
  期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
354
                                                       428
                                                       429
                                                          int main(){
356
   //solution
                                                       430
                                                              int n;
357 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序131
                                                              Work a[100005];
                                                              bitset < 100005 > ok;
358 依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                       432
359 就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                       433
                                                              while (cin >> n){
```

20

```
434
            ok.reset();
            for (int i = 0; i < n; ++i)
435
                cin >> a[i].d >> a[i].p;
436
437
            sort(a, a + n);
438
            int ans = 0;
            for (int i = 0; i < n; ++i){</pre>
439
                int j = a[i].d;
440
441
                while (j--)
                    if (!ok[j]){
442
443
                        ans += a[i].p;
444
                        ok[j] = true;
                        break:
445
446
                    }
447
448
           cout << ans << '\n';
449
450 }
451
452 多機調度問題
453 //problem
454 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   有 M 台機器可執行多項工作,但不能將工作拆分,
455
   最快可以在什麼時候完成所有工作?
456
457
   //solution
458
459 將工作由大到小排序,每項工作交給最快空間的機器。
460
461
   //code
462
   int main(){
463
       int n, m;
       int a[10000];
464
465
       cin >> n >> m;
466
       for (int i = 0; i < n; ++i)
467
           cin >> a[i];
468
       sort(a, a + n,greater<int>());
       int ans = 0;
469
       priority_queue < int , vector < int > , greater < int >> pq;
470
       for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){</pre>
471
472
            ans = max(ans, a[i]);
473
           pq.push(a[i]);
474
475
       for (int i = m; i < n; ++i){</pre>
           int x = pq.top();
476
477
           pq.pop();
478
           x += a[i];
479
           ans = max(ans, x);
480
           pq.push(x);
481
       }
       cout << ans << '\n';
482
483 }
```

# 8 動態規劃

### 8.1 LCS 和 LIS

```
1 / / 最長共同子序列 (LCS)
2 | 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
  C 同時為 A,B 的子序列。
3
5 //最長遞增子序列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
7
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
    3. 對 B 做 LIS
16
17
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
```

越早出現的數字要越小 5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面, 直接忽略這個數字不做轉換即可

### 9 graph

### 9.1 graph

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
3
  class Node {
  public:
5
       int val:
6
7
       vector<Node*> children;
8
9
       Node() {}
10
11
       Node(int _val) {
           val = _val;
12
13
14
       Node(int _val, vector<Node*> _children) {
15
16
           val = _val;
17
           children = _children;
       }
18
19 };
20
  struct ListNode {
21
       int val:
22
23
       ListNode *next;
       ListNode() : val(0), next(nullptr) {}
24
       ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
25
       ListNode(int x, ListNode *next) : val(x),
26
           next(next) {}
27 };
28
29
  struct TreeNode {
30
       int val;
31
       TreeNode *left:
       TreeNode *right;
32
33
       TreeNode() : val(0), left(nullptr),
           right(nullptr) {}
34
       TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr),
           right(nullptr) {}
35
       TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right)
           : val(x), left(left), right(right) {}
36 };
37
  class ListProblem {
38
39
       vector<int> nums={};
  public:
40
41
       void solve() {
42
           return;
43
44
45
       ListNode* buildList(int idx) {
46
           if(idx == nums.size()) return NULL;
           ListNode *current=new
47
                ListNode(nums[idx++], current ->next);
48
           return current;
49
50
       void deleteList(ListNode* root) {
51
           if(root == NULL) return;
53
           deleteList(root->next);
54
           delete root;
55
           return;
56
       }
57
  };
58
59
  class TreeProblem {
       int null = INT_MIN;
60
       vector<int> nums = {}, result;
```

```
62
   public:
                                                                   131
                                                                                delete root;
        void solve() {
                                                                   132
                                                                                return;
63
                                                                           }
64
                                                                   133
65
             return:
                                                                   134
                                                                            void inorderTraversal(TreeNode* root) {
66
        }
                                                                   135
                                                                                if(root == NULL) return;
67
                                                                   136
        TreeNode* buildBinaryTreeUsingDFS(int left, int
                                                                                inorderTraversal(root->left);
68
                                                                   137
             right) {
                                                                   138
                                                                                cout << root -> val << ' ';
                                                                                inorderTraversal(root->right);
            if((left > right) || (nums[(left+right)/2] ==
69
                                                                   139
                 null)) return NULL;
                                                                   140
                                                                                return;
70
             int mid = (left+right)/2;
                                                                   141
            TreeNode* current = new TreeNode(
                                                                       };
71
                                                                   142
72
                 nums[mid],
                                                                   143
                 buildBinaryTreeUsingDFS(left,mid-1),
                                                                       int main() {
73
                                                                   144
74
                 buildBinaryTreeUsingDFS(mid+1, right));
                                                                   145
75
                                                                   146
             return current;
                                                                            return 0;
76
        }
                                                                   147 }
77
78
        TreeNode* buildBinaryTreeUsingBFS() {
79
             int idx = 0;
                                                                              Section2
            TreeNode* root = new TreeNode(nums[idx++]);
80
81
             queue < TreeNode *> q;
82
             q.push(root);
                                                                       10.1
                                                                               thm
             while(idx < nums.size()) {</pre>
83
                 if(nums[idx] != null) {
84

    中文測試

                      TreeNode* left = new
85
                          TreeNode(nums[idx]);
                                                                            \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}
86
                      q.front()->left = left;
                      q.push(left);
87
88
                 }
                                                                       11
                                                                              space
                 idx++:
89
90
                 if((idx < nums.size()) && (nums[idx] !=</pre>
                      null)) {
                                                                       11.1
                                                                               S
91
                      TreeNode* right = new
                          TreeNode(nums[idx]);
92
                      q.front()->right = right;
                                                                     1 /*
93
                      q.push(right);
                                                                     2
                                                                       1
                 }
                                                                     3
94
                                                                       2
95
                 idx++;
                                                                     4
                                                                       3
96
                 q.pop();
            }
97
                                                                       5
98
             return root;
                                                                       6
        }
99
                                                                     8
                                                                       7
100
                                                                       8
                                                                     9
        Node* buildNAryTree() {
101
                                                                    10
                                                                       9
             int idx = 2;
102
                                                                       10
                                                                    11
103
            Node *root = new Node(nums.front());
                                                                    12
                                                                       11
             queue < Node *> q;
104
                                                                    13
                                                                       12
105
             q.push(root);
                                                                       13
                                                                    14
             while(idx < nums.size()) {</pre>
106
                                                                    15
                                                                       14
107
                 while((idx < nums.size()) && (nums[idx]</pre>
                                                                       15
                                                                    16
                      != null)) {
                                                                    17
                                                                       16
108
                      Node *current = new Node(nums[idx++]);
                                                                       17
                                                                    18
109
                      q.front()->children.push_back(current);
                                                                    19
                                                                       18
110
                      q.push(current);
                                                                    20
                                                                       19
                 }
111
                                                                       20
                                                                    21
                 idx++;
112
                                                                    22
                                                                       21
113
                 q.pop();
                                                                       22
                                                                    23
            }
114
                                                                       23
                                                                    24
115
             return root;
                                                                    25
                                                                       24
        }
116
                                                                       25
                                                                    26
117
                                                                    27
                                                                       26
        void deleteBinaryTree(TreeNode* root) {
118
                                                                       27
                                                                    28
            if(root->left != NULL)
119
                                                                    29
                                                                       28
                 deleteBinaryTree(root->left);
                                                                       29
                                                                    30
120
             if(root->right != NULL)
                                                                    31
                                                                       30
                 deleteBinaryTree(root->right);
                                                                    32
                                                                       31
121
             delete root;
                                                                    33
                                                                       32
122
             return;
                                                                    34
                                                                       33
        }
123
                                                                    35
                                                                       34
124
                                                                       35
                                                                    36
125
        void deleteNAryTree(Node* root) {
                                                                       36
                                                                    37
126
             if(root == NULL) return;
                                                                       37
                                                                    38
             for(int i=0; i<root->children.size(); i++) {
127
                                                                    39
                                                                       38
128
                 deleteNAryTree(root->children[i]);
                                                                       39
                                                                    40
129
                 delete root->children[i];
                                                                    41
                                                                       40
            }
130
```

42 \*/

76

#### 12 reference

#### 12.1 hw6

```
77
                                                                    78
1 | #include < iostream >
                                                                    79
  #include < string >
                                                                    80
  #include < cstring >
                                                                    81
4 #include <algorithm>
                                                                    82
5 using namespace std;
                                                                    83
                                                                    84
  class HugeInt{
7
                                                                    85
8
  private:
       short integer[40];
9
                                                                    86
10
                                                                    87
   public:
11
                                                                    88
12
       HugeInt(const string& s){
                                                                    89
            memset(integer,0,sizeof(integer));
13
                                                                    90
            for(int i=0;i<s.length();i++)</pre>
14
                                                                    91
                 integer[i]=s[s.length()-1-i]-'0';
15
                                                                    92
       }
16
                                                                    93
17
       HugeInt operator+(const HugeInt& other)const{
18
                                                                    94
19
            HugeInt result("");
20
            for(int i=0;i<40;i++){</pre>
                                                                    95
                 result.integer[i]+=integer[i]+other.integer[jd]
21
22
                 if(result.integer[i]>=10){
                                                                    97
23
                     result.integer[i]-=10;
                                                                    98
                     result.integer[i+1]++;
24
                                                                    99
25
                 }
                                                                    100
26
            }
                                                                    101
27
            return result;
       }
28
                                                                    102
29
       HugeInt operator-(const HugeInt& other)const{
30
                                                                    103
            HugeInt result("");
31
                                                                    104
            for(int i=0;i<40;i++){
32
                                                                    105
                 result.integer[i]+=integer[i]-other.integer[i@6]
33
                 if(result.integer[i]<0){</pre>
34
                                                                   107
35
                     result.integer[i]+=10;
                                                                    108
                     result.integer[i+1]--;
36
                                                                    109
37
                 }
            }
38
                                                                    110
            return result;
39
                                                                   111
40
       }
                                                                   112
41
                                                                   113
42
       HugeInt operator*(const HugeInt& other)const{
                                                                   114
            HugeInt result("");
43
                                                                   115
44
            for(int i=0;i<40;i++)</pre>
                 for(int j=0; j<40; j++)</pre>
45
46
                      result.integer[i+j]+=integer[i]*other.inte
47
            for(int i=0;i<40;i++){</pre>
                                                                    118
                 result.integer[i+1]+=result.integer[i]/10; 119
48
49
                 result.integer[i]%=10;
                                                                   120
            }
50
                                                                    121
51
            return result;
       }
52
                                                                    122
53
                                                                    123
54
       HugeInt operator/(const HugeInt& other)const{
                                                                    124
            HugeInt result("");
55
                                                                    125
56
            HugeInt remainder("0");
                                                                   126
            HugeInt num("10");
57
                                                                    127
58
            for(int i=39;i>=0;i--){
                                                                    128
                 if(i==39) remainder.integer[0]=integer[i]; 129
59
                 else{
60
61
                      remainder=remainder*num;
                                                                   130
                      remainder.integer[0]=integer[i];
62
                                                                   131
63
                                                                   132
64
                 int quotient=0;
                                                                   133
65
                 while(remainder>other){
                                                                   134
66
                      remainder=remainder-other;
                                                                   135
                     quotient++;
67
                                                                    136
68
                 if(remainder==other){
69
                                                                   137
70
                     remainder=remainder-other;
                                                                   138
                      quotient++;
71
72
                 }
```

```
result.integer[i]=quotient;
    return result;
}
HugeInt operator%(const HugeInt& other)const{
    HugeInt remainder("0");
    HugeInt value("0");
    HugeInt num("10");
    for(int i=39;i>=0;i--){
        remainder=remainder*num;
        remainder.integer[0]=integer[i];
        while(remainder>other)
             remainder=remainder-other;
        if(remainder==other) remainder=value;
    }
    return remainder;
}
bool operator > (const HugeInt& other)const{
    for(int i=39;i>=0;i--){
        if(integer[i]>other.integer[i]) return
             true;
        else if(integer[i]<other.integer[i])</pre>
             return false;
    }
    return false:
}
bool operator < (const HugeInt& other)const{</pre>
    for(int i=39;i>=0;i--){
        if(integer[i] < other.integer[i]) return</pre>
             true;
        else if(integer[i]>other.integer[i])
             return false;
    return false;
}
bool operator == (const HugeInt& other)const{
    for(int i=39;i>=0;i--)
        if(integer[i]!=other.integer[i]) return
             false:
    return true;
}
bool operator>=(const HugeInt& other)const{
    for(int i=39;i>=0;i--)
        if(integer[i]<other.integer[i]) return</pre>
             false;
    return true;
}
bool operator <= (const HugeInt& other)const{</pre>
    for(int i=39;i>=0;i--)
        if(integer[i]>other.integer[i]) return
             false;
    return true:
}
bool operator!=(const HugeInt& other)const{
    return !(*this==other);
}
friend istream& operator>>(istream& in, HugeInt&
    hugeInt){
    string s;
    in>>s:
    hugeInt=HugeInt(s);
    return in;
}
friend ostream& operator<<(ostream& out,const</pre>
    HugeInt& hugeInt){
    bool isLeadingZero=true;
    for(int i=39;i>=0;i--){
```

```
139
                 if(hugeInt.integer[i])
                                                                    39
                                                                                     vector<int> vec=randomvec<int>(n);
                                                                                     printvector(vec);
                      isLeadingZero=false;
                                                                    40
                 if(!isLeadingZero)
                                                                    41
                                                                                     sort(vec.begin(), vec.end());
140
                      out << hugeInt.integer[i];</pre>
                                                                    42
                                                                                     printvector(vec);
141
                                                                    43
                                                                                     assert(AssertVectorIsSorted(vec));
                                                                                }
142
            if(isLeadingZero) out << 0;</pre>
                                                                    44
                                                                    45
                                                                                else{
143
             return out:
144
        }
                                                                    46
                                                                                     vector < double > vec = randomvec < double > (n);
                                                                    47
                                                                                     printvector(vec);
145
146
        void print(HugeInt a, HugeInt b){
                                                                    48
                                                                                     sort(vec.begin(), vec.end());
147
             if(a>b) cout<<a<<" > "<<b<<endl;</pre>
                                                                    49
                                                                                     printvector(vec);
             else if(a<b) cout << a << " < " << b << endl;
                                                                    50
                                                                                     assert(AssertVectorIsSorted(vec));
148
149
             else cout << a << " = " << b << endl;
                                                                    51
                                                                                }
             cout <<a<<" + "<<b<<" = "<<a+b<<endl;
                                                                                cout << "True \ n";</pre>
                                                                    52
150
             if(a>b) cout<<a<<" - "<<b<<" = "<<a-b<<endl;</pre>
151
                                                                    53
                                                                           }
             else if(a<b) cout<<a<<" - "<<b<<" =
152
                                                                    54
                                                                            return 0;
             -"<<b-a<<endl;
else cout<<a<<" - "<<b<<" = "<<a-b<<endl;
                                                                    55 }
153
             cout <<a<<" * "<<b<<" = "<<a*b<<endl;
154
             cout <<a<<" / "<<b<<" = "<<a/b<<end1;
155
                                                                       12.3
                                                                               sort
            cout << a << " % " << b << " = " << a % b << end l;
156
157
158
   };
                                                                       #include < iostream >
159
                                                                       #include < vector >
   int main(){
160
                                                                       using namespace std;
                                                                     3
161
        string x,y;
162
        int cnt=0;
                                                                     5
                                                                       template < typename T>
163
        while(cin>>x>>y){
                                                                       int partition(vector<T>& arr,int low,int high) {
            HugeInt x1(x);
164
                                                                     7
                                                                           T pivot=arr[high];
165
             if(cnt++) cout<<endl;</pre>
                                                                     8
                                                                           int i=low-1;
             x1.print(x,y);
166
                                                                     9
                                                                            for(int j=low;j<high;j++) {</pre>
167
        }
                                                                    10
                                                                                if(arr[j]<pivot){</pre>
168 }
                                                                    11
                                                                                    i++:
                                                                    12
                                                                                     swap(arr[i],arr[j]);
                                                                    13
                                                                                }
   12.2 hw5
                                                                    14
                                                                           }
                                                                           swap(arr[i+1],arr[high]);
                                                                    15
                                                                    16
                                                                            return i+1;
 1 #include <iostream>
                                                                    17
                                                                       }
 2 #include <string>
                                                                    18
 3 #include <random>
                                                                    19
                                                                       template < typename T>
 4 #include <vector>
                                                                       void quickSort(vector<T>& arr, int low, int high) {
                                                                    20
 5 #include <cassert>
                                                                    21
                                                                            if(low<high){</pre>
 6 #include <chrono>
                                                                    22
                                                                                int pivotIndex=partition(arr,low,high);
 7 #include <algorithm>
                                                                    23
                                                                                quickSort(arr,low,pivotIndex-1);
 8 using namespace std;
                                                                                quickSort(arr,pivotIndex+1,high);
                                                                    24
                                                                    25
                                                                           }
10
   template <typename T = int>
                                                                    26
                                                                      }
   vector<T> randomvec(int n){
11
                                                                    27
12
        vector<T> vec(n);
                                                                       template < typename T>
13
        unsigned
                                                                       void customSort(vector<T>& arr) {
                                                                    29
             seed=chrono::system_clock::now().time_since_epoch
                                                                            int n=arr.size();
14
        default_random_engine generator(seed);
                                                                    31
                                                                            quickSort(arr,0,n-1);
        uniform_real_distribution < double >
15
                                                                       }
                                                                    32
             distribution(0.0,200.0);
                                                                    33
        for(T &num:vec) num=distribution(generator);
16
                                                                       int main(){
                                                                    34
17
        return vec;
                                                                    35
                                                                           vector<int> numbers={5, 2, 8, 1, 3};
18 }
                                                                    36
                                                                            cout << "Before sorting: ";</pre>
19
                                                                    37
                                                                            for(const auto& num:numbers)
20 template <typename T>
                                                                                cout << num << " ";
                                                                    38
   bool AssertVectorIsSorted(vector<T>& vec){
21
                                                                            customSort(numbers);
                                                                    39
22
        for(int i=0;i<(int)vec.size()-1;++i)</pre>
                                                                    40
                                                                            cout << "\nAfter sorting: ";</pre>
23
            if(vec[i]>vec[i+1]) return false;
                                                                    41
                                                                            for(const auto& num : numbers)
24
        return true;
                                                                    42
                                                                                cout << num << " ";
25 }
                                                                    43
                                                                            return 0;
26
                                                                    44 }
27
   template <typename T>
   void printvector(vector<T>& vec){
28
29
        for(T &x:vec) cout << x << " ";</pre>
        cout << "\n";
30
31
        return:
32 }
33
   int main(){
```

36

37

38

int n;

string s;

while(cin>>n>>s){
 if(s=="int"){