Contents

1	Ubun	tu																
•		Termina]	т	i + 1	۵													
	1.2			1 ()	···	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
	1.3	GDB 参数 GDB 指令						:										
	1.3	ODD 18 4	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
2	字串																	
-	2 1	最長迴文	7字	虫														
	2.2	Manacher	, ,			•		:		•	•	•	•	•	•		•	
	2.3			:														
	2.3																	
	2.4	0												٠			٠	
	2.5	Suffix A	ALT:	ay		•	•	٠	•	٠	٠	•	•	٠	•	•	•	
3	math																	
3	3.1																	
	3.1	公式 . Rational		•	•	•	•								•	•	•	
	3.3	乘法逆元	L 、 4日	스s	bh	•	•	•	•						•	•	•	
	3.4															•	•	
		歐拉函數									•	•	•	٠	•	•	•	
	3.5	質數與因數 Pisano F							•			٠	•	٠	•	•	•	
												٠				٠		
	3.7	矩陣快速										•		٠	•	•	•	
	3.8	大步小步													•	•	•	
	3.9	高斯消去	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	٠	•	٠	•	•		
4	21.00	rithm																
4																		
	4.I	greedy 三分搜 .	•	•	•	•	•	•	•	٠								
		ニル技・ dinia	•	•	•	•	•	•	•	•		٠				•		
	4.3		·	. 1- 3			•	٠	•	٠	٠	٠	•			•		
		Josephus																
	4.5	SCC Kosa	ara,	Ju		•	•	•	•	٠	•	٠			٠			
	4.0	SCC Targ	jan 			٠.	٠	÷	٠.	٠	•	•	٠			٠		
	4.8	最小樹狀圖										٠				٠		
	4.9	KM 二分圖最	⊢π	#⊐	•	•	•					٠			•	•	•	
	4.10	一刀回取/	\ <u>L</u>	떠		•	•	٠	•						•			
		莫隊 .														•	•	1
	4.12	Blossom Dancing	AL	gor	. 1	LIIII	I	•	•	•		•		٠	٠	•	•	10
												•						1
	4.14	Astar . ⊭△	•	•	•	•	•	•	•	•		•						1
	4.15	差分 . MCMF .	•	•	•	•	•	•	•	٠		•		٠	٠		•	1
	4.10	LCA 倍增	÷	•	•	•	•	•	•	٠								1:
		LCA 同項 LCA 樹壓										٠					٠	1:
	4.10	LCA 樹座 LCA 樹錬	十 刘々	, Kun	Į	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	1.
	4.13	LCA 1到3x	ענים.	J	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	٠	- 1
5	Data	Structur	e															1
	5.1																	1.
	5.2	帶權併查算																1.
	5.3	Trie .																1.
	5.4	AC Trie																1.
	5.5	線段樹 10															:	1
	5.6	線段樹 20)		•												•	1
	5.7	權值線段	討	•	•										•	•	•	1
	5.8																	1
		單調隊列															•	1
	5.5	十四回のフェ	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		
6	Geom	etry																1
	6.1	公式 .																1
	6.2	Template	ė															1
		旋轉卡尺																1
	6.4	半平面相多	ž															18
	6.5	Polygon																18
		凸包 .																18
	6.7	最小圓覆蓋																18
	6.8	交點、距離																18
7	DP																	1
	7.1	背包 . Range DF																1
	7.2	Range DF																2
	7.3	Deque 最	大兒	皇距	į													2
	7.4	string [P															2
	7.5	Barcode																2
	7.6	LCS 和 L																2
	7.7	樹 DP 有	幾個							k								2
	7.8																	2
	7.9	TreeDP r	er	oot														2
	7.10	Weighted	lLI:	S														2

8 DP List

1 Ubuntu

方法:

1.1 Terminal Title

1	PS1='\e];\a'
舉例	:
1 2	PS1='\e];\W\a\w\$' // 可改 \W 為想要的 <i>Title</i>

- [\a] ASCII Bell
- · [\d] 日期
- [\e] 跳脫字元
- ・ [\h] 主機
- ・ [\H] 主機名
- · [\t] 時間
- ・ [\u] 使用者
- [\w] 當前路徑
- [\W] 當前資料夾名稱

1.2 GDB 參數

```
g++ main.cpp -g -o main
gdb -tui -q ./main
```

- [-tui] 在終端機顯示文字檔案
- · [-q] 在初始設定不顯示版本資訊

1.3 GDB 指令

22

Breakpoints

<u>Di Carr</u>	50111C5
command	功能
[break] [b]	在當前這行放中斷點
[b fn]	在函式 fn 的開頭放中斷點
[b N]	在第 N 行放中斷點
[clear N] [cl N]	刪除第 N 行的中斷點
[command N] [comm N]	設定編號 N 的中斷點的指令
[cond N i==3]	編號 N 的中斷點 i=3 再停
[delete] [d]	刪除所有中斷點
[d N]	刪除編號為 N 的中斷點
[disable] [dis]	使所有中斷點無效
[dis N]	使編號為 N 的中斷點無效
[dp a, "%d\n", c]	碰到第 a 行時印出 c
[enable] [en]	使所有中斷點有效
[en N]	使編號為 N 的中斷點有效
[tbreak N] [tb N]	只停一次的 [b N]
[watch x==3] [wa x==3]	執行到符合條件時停止

<u>Data</u>

ĺ	command	功能
ſ	[call fn]	呼叫函式 fn
-	<pre>[display x] [disp x]</pre>	每執行一步都印出 x
İ	[print var] [p var]	印出 var
ı	[set print] [set p]	設定 print
	[set p array]	array 印出漂亮格式
- 1	[set p array off]	取消 array 印出漂亮格式
-	[set p array-i]	array 印出索引
	[set p array-i off]	取消 array 印出索引
	[set p el N]	array 最多印 N 個元素
İ	[set p pre]	struct 印出漂亮格式
İ	[set p pre off]	取消 struct 印出漂亮格式
ı	[set var N=3]	將 N 設為 3
	[undisp x]	取消編號為 x 的 disp

Files

command	功能
[list] [l]	印出 10 行程式碼
[1 N]	印出包含第 N 行的程式碼
[l fn]	印出包含函式 fn 的程式碼
[l var]	印出包含變數 var 的程式碼

<u>Obscure</u>

command	功能
[record] [rec]	開始記錄
[rec s]	停止記錄

Running

	command	功能
ĺ	[continue] [c]	執行到下個中斷點或錯誤
	[finish] [fin]	執行到跳出堆疊框
	[kill] [k]	終止程式
İ	[next] [n]	執行下一行(不進入函式)
	[n N]	執行 [n] 一共 N 次
	<pre>[reverse-continue] [rc]</pre>	反向的 [c]
	[rn]	反向的 [n]
	[rs]	反向的 [s]
	[run] [r]	執行程式
	[r < FILE]	像 [r], 輸入為 FILE
	[start]	開始執行,停在第一步
İ	[start < FILE]	像 [start], 輸入為 FILE
	[step] [s]	執行下一步 (進入函式)
	[s N]	執行 [s] 一共 N 次
l	[until N] [u N]	執行到第 N 行停下來

Stack

command	功能
[backtrace] [bt]	印出所有堆疊
[down] [do]	印出下一層堆疊
[frame] [f]	印出當前堆疊
[f N]	印出往上第 N 層堆疊
[return] [ret]	從當前函式 return
[up]	印出上一層堆疊

Status

command	功能
[info] [i]	顯示資訊
[i b]	列出所有中斷點資訊
[i disp]	列出所有監看變數資訊
[i local] [i lo]	列出所有區域變數資訊
[i var]	列出所有變數

Support

command	功能
[help] [h]	協助
[b N if i==2]	當 i=2 時停在第 N 行
[quit] [q]	結束 gdb

Text User Interface

command	功能
[refresh] [ref]	刷新終端機布置
[tui d]	取消使用 TUI
[tui e]	使用 TUI
[update] [upd]	更新視窗以顯示當前程式碼

Others

- · 按 <enter> 鍵可以執行上一動
- 執行 reverse (像是 rc, rn, rs)前,
 要先執行 record (rec),但存不了幾步就沒空間了
- · 輸入命令 command (comm) 後,接下來每一行輸入一個 命令,以 end 作結,之後執行到這裡都會執行所有命令。 同一個中斷點有變動其 command 時會完全按照新的輸入。

2 字串

2.1 最長迴文子字串

```
#include<bits/stdc++.h>
   #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
   using namespace std;
   string s;
   int n;
 7
   int ex(int 1,int r){
     while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;</pre>
10
11
     return i:
12
13
   int main(){
14
15
     cin>>s:
     n=2*s.size()+1;
16
     int mx=0;
17
     int center=0;
     vector<int> r(n);
19
     int ans=1;
20
     r[0]=1;
21
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
23
       int ii=center-(i-center);
       int len=mx-i+1;
24
25
       if(i>mx){
         rΓi]=ex(i.i):
26
27
         center=i;
28
        mx=i+r[i]-1;
29
30
       else if(r[ii]==len){
31
        r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
         center=i:
        mx=i+r[i]-1;
33
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
     cout<<ans-1<<"\n";
38
39
     return 0;
40 }
```

2.2 Manacher

```
s: 增長為兩倍的字串,以'@'為首,以'$'為間隔,以'\0'節尾
   p: 以 s[i] 為中心,半徑為 p[i] 是迴文
   return: 最長的迴文長度
   const int maxn = 1e5 + 10;
 3
   char s[maxn<<1] = "@$";</pre>
   int p[maxn<<1];</pre>
   int manacher(char* str, int n) {
    for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
      s[i<<1] = str[i-1];
       s[i<<1|1] = '$';
10
11
12
     int cur = 0, r = 0, res = 0;
     s[n = (n+1) << 1] = 0;
13
14
     for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
      p[i] = (i>r) ? 1 : min(p[cur*2-i], r-i);
15
16
       for(; s[i-p[i]]==s[i+p[i]]; p[i]++);
       if(i+p[i] > r) {
17
18
        r = i + p[i];
19
         cur = i;
20
21
       res = max(res, p[i]);
22
23
     return res - 1;
```

2.3 KMP

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
   int n, m;
                        // len(a), len(b)
   int f[maxn];
                         // failure function
   char a[maxn], b[maxn];
   void failureFuntion() { // f[0] = 0
      for(int i=1, j=0; i<m; ) {</pre>
          if(b[i] == b[j]) f[i++] = ++j;
10
          else if(j) j = f[j-1];
11
          else f[i++] = 0;
12
      }
13
15
   int kmp() {
      int i = 0, j = 0, res = 0;
17
       while(i < n) {</pre>
18
          if(a[i] == b[j]) i++, j++;
19
          else if(j) j = f[j-1];
          else i++:
20
21
          if(j == m) {
             res++; // 找到答案
22
              j = 0; // non-overlapping
23
24
25
      return res;
27
28
29
   // Problem: 所有在b裡,前後綴相同的長度
30 // b = ababcababababcabab
| // f = 001201234123456789 
32 // 前9 = 後9
33 // 前4 = 前9的後4 = 後4
34 // 前2 = 前4的後2 = 前9的後2 = 後2
35 for(int j=m; j; j=f[j-1]) {
36
      // j 是答案
```

2.4 Z Algorithm

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
 3 int z[maxn]; // s[0:z[i]) = s[i:i+z[i])
 4 string s;
 6
   void makeZ() { // z[0] = 0
     for(int i=1, l=0, r=0; i<s.length(); i++) {</pre>
       if(i<=r && z[i-l]<r-i+1) z[i] = z[i-l];</pre>
       else {
         z[i] = max(0, r-i+1);
10
11
         while(i+z[i]<s.length() &&</pre>
              s[z[i]]==s[i+z[i]]) z[i]++;
12
       if(i+z[i]-1 > r) l = i, r = i+z[i]-1;
14
    }
15 }
```

2.5 Suffix Array

```
• O(n \log(n))

    SA:後綴數組

    HA:相鄰後綴的共同前綴長度

          (Longest Common Prefix)
        · maxc:可用字元的最大 ASCII 值

 maxn >= maxc

        • 記得先取 n 的值 (strlen(s))
   const int maxn = 2e5 + 10;
   const int maxc = 256 + 10;
   int n:
   int SA[maxn], HA[maxn];
   int rk[maxn], cnt[maxn], tmp[maxn];
   char s[maxn]:
   void getSA() {
    int mx = maxc:
     for(int i=0; i<mx; cnt[i++]=0);</pre>
12
13
     // 第一次 stable counting sort,編 rank 和 sa
     for(int i=0; i<n; i++) cnt[rk[i]=s[i]]++;</pre>
14
     for(int i=1; i<mx; i++) cnt[i] += cnt[i-1];</pre>
     for(int i=n-1;i>=0;i--) SA[--cnt[s[i]]]=i;
16
18
     // 倍增法運算
     for(int k=1, r=0; k<n; k<<=1, r=0) {</pre>
19
       for(int i=0; i<mx; cnt[i++]=0);</pre>
21
       for(int i=0; i<n; i++) cnt[rk[i]]++;</pre>
       for(int i=1; i<mx; i++) cnt[i]+=cnt[i-1];</pre>
22
       for(int i=n-k; i<n; i++) tmp[r++] = i;</pre>
23
24
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
25
         if(SA[i] >= k) tmp[r++] = SA[i] - k;
26
27
28
       // 計算本回 SA
29
       for(int i=n-1; i>=0; i--) {
30
         SA[--cnt[rk[tmp[i]]] = tmp[i];
31
32
       // 計算本回 rank
33
       tmp[SA[0]] = r = 0;
34
35
       for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
         if((SA[i-1]+k >= n) ||
36
            (rk[SA[i-1]] != rk[SA[i]]) ||
            (rk[SA[i-1]+k] != rk[SA[i]+k])) r++;
38
39
         tmp[SA[i]] = r;
40
41
       for(int i=0; i<n; i++) rk[i] = tmp[i];</pre>
42
       if((mx=r+1) == n) break;
43
44
  }
45
   void getHA() { // HA[0] = 0
     for(int i=0; i<n; i++) rk[SA[i]] = i;</pre>
47
48
     for(int i=0, k=0; i<n; i++) {</pre>
49
       if(!rk[i]) continue;
50
       if(k) k--;
       while(s[i+k] == s[SA[rk[i]-1]+k]) k++;
51
       HA[rk[i]] = k;
52
53
54 }
```

3 math

3.1 公式

1. Most Divisor Number

Range	最多因數數	因數個數
109	735134400	1344
231	2095133040	1600
10 ¹⁸	897612484786617600	103680
264	9200527969062830400	161280

2. Catlan Number

$$C_n = \frac{1}{n} {2n \choose n}, C_{n+1} = \frac{2(2n+1)}{n+2} C_n$$

 $C=1,1,2,5,14,42,132,429,1430,4862,\dots$

3. Faulhaber's formula

$$\sum_{k=1}^{n} k^{p} = \frac{1}{p+1} \sum_{r=0}^{p} \binom{p+1}{r} B_{r} n^{p-r+1}$$

where
$$B_0 = 1$$
, $B_r = 1 - \sum_{i=0}^{r-1} {r \choose i} \frac{B_i}{r-i+1}$

也可用高斯消去法找 deg(p+1) 的多項式,例:

$$\begin{split} \sum_{k=1}^{n} k^2 &= a_3 n^3 + a_2 n^2 + a_1 n + a_0 \\ \begin{bmatrix} 0^3 & 0^2 & 0^1 & 0^0 \\ 1^3 & 1^2 & 1^1 & 1^0 \\ 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ 3^3 & 3^2 & 3^1 & 3^0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_3 \\ a_2 \\ a_1 \\ a_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0^2 \\ 0^2 + 1^2 \\ 2^2 + 1^2 + 2^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 + 3^2 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 8 & 4 & 2 & 1 & 5 \\ 27 & 9 & 3 & 1 & 14 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 4 & 6 & 7 & 3 \\ 0 & 0 & 6 & 11 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \end{split}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1/3 \\ 1/2 \\ 1/6 \end{bmatrix}, \sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{1}{3}n^3 + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{6}n$$

4. Lagrange Polynomial

拉格朗日插值法:找出 n 次多項函數 f(x) 的點 $(x_0,y_0),(x_1,y_1),\ldots,(x_n,y_n)$

$$L(x) = \sum_{i=0}^{n} y_j l_j(x)$$

$$l_j(x) = \prod_{i=0, i \neq j}^n \frac{x - x_i}{x_j - x_i}$$

5. SG Function

 $SG(x) = mex\{SG(y)|x \to y\}$ $mex(S) = min\{n|n \in \mathbb{N}, n \notin S\}$

6. Fibonacci

$$\begin{bmatrix} f_{n-1} & f_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} & 50 \\ [f_n & f_{n+1}] \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^p = \begin{bmatrix} f_{n+p} & f_{n+p+1} \end{bmatrix}, p \in \mathbb{N} \\ 51 \end{bmatrix}$$

$$F_n = \frac{1}{\sqrt{5}} \left[\left(\frac{1 + \sqrt{5}}{2} \right)^n - \left(\frac{1 - \sqrt{5}}{2} \right)^n \right] & 53$$

7. Pick's Theorem

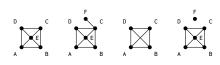
給定頂點座標均是整點(或正方形格子點)的簡單多邊形, 其面積 A 和內部格點數目 i、邊上格點數目 b 的關係為

$$A = i + \frac{b}{2} - 1$$

8. Euler's Formula

對於有 V 個點、E 條邊、F 個面 (含外部) 的連通平面圖

$$F + V - E = 2$$



(1)、(2)〇;(3)×, \overline{AC} 與 \overline{BD} 相交;(4)×,非連通圖

9. Simpson Integral

$$\int_a^b f(x) dx \approx \, \frac{b-a}{6} \left[f(a) + 4 f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b) \right] \, . \label{eq:factorization}$$

3.2 Rational

```
1 const char sep = '/'; // 分數的分隔符
   bool div0;
                           // 要記得適時歸零
   using 11 = long long;
   struct Rational {
 5
    11 p, q;
     Rational(11 a=0, 11 b=1) {
      p = a, q = b;
      reduce();
     Rational(string s) {
13
       if(s.find(sep) == string::npos) {
        p = stoll(s);
15
        q = 1;
      } else {
        p = stoll(s.substr(0, s.find(sep)));
19
        q = stoll(s.substr(s.find(sep)+1));
      reduce();
22
     void reduce() {
      11 t = abs(\_gcd(p, q));
       if(t == 0) {
        div0 = true;
29
      p /= t, q /= t;
       if(q < 0) p = -p, q = -q;
     string toString() {
      if(q == 0) {
37
        div0 = true;
        return "INVALID";
38
39
      if(p%q == 0) return to_string(p/q);
      return to_string(p) + sep + to_string(q);
42
43
     friend istream& operator>>(
      istream& i, Rational& r) {
      string s;
      i \gg s;
      r = Rational(s);
      return i;
     friend ostream& operator<<(</pre>
53
      ostream& o, Rational r) {
      o << r.toString();</pre>
      return o;
    }
   Rational operator+(Rational x, Rational y) {
    11 t = abs(\_gcd(x.q, y.q));
     if(t == 0) return Rational(0, 0);
     return Rational(
      y.q/t*x.p + x.q/t*y.p, x.q/t*y.q);
   Rational operator-(Rational x, Rational y) {
66
67
    return x + Rational(-y.p, y.q);
  Rational operator*(Rational x, Rational y) {
    return Rational(x.p*y.p, x.q*y.q);
74 Rational operator/(Rational x, Rational y) {
   return x * Rational(y.q, y.p);
```

3.3 乘法逆元、組合數

```
x^{-1} mod m
     = \left\{ \begin{array}{cc} 1, & \text{if } x = 1 \\ -\left\lfloor \frac{m}{x} \right\rfloor (m \ mod \ x)^{-1}, & \text{otherwise} \end{array} \right.
                                                     (mod m)
            1, if x = 1

(m - \left| \frac{m}{x} \right|)(m \mod x)^{-1}, otherwise
                                                         (mod \ m)
    若 p \in prime, 根據費馬小定理, 則
     \begin{array}{cccc} \therefore & ax & \equiv & 1 \; (mod \; p) \\ \therefore & ax & \equiv & a^{p-1} \; (mod \; p) \\ \therefore & x & \equiv & a^{p-2} \; (mod \; p) \end{array}
    using ll = long long;
    const int maxn = 2e5 + 10;
    const int mod = 1e9 + 7;
    int fact[maxn] = {1, 1};// x! % mod
    int inv[maxn] = {1, 1}; // x^(-1) % mod
    int invFact[maxn] = {1, 1};// (x!)^(-1) % mod
    void build() {
      for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
         fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
11
12
         inv[x] = (11)(mod-mod/x)*inv[mod%x]%mod;
13
         invFact[x] = (ll)invFact[x-1]*inv[x]%mod;
14
15 }
16
    // 前提: mod 為質數
17
18
    void build() {
      auto qpow = [&](11 a, int b) {
19
         11 \text{ res} = 1;
         for(; b; b>>=1) {
21
           if(b & 1) res = res * a % mod;
22
           a = a * a % mod;
23
24
25
         return res;
26
27
      for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
28
         fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
         invFact[x] = qpow(fact[x], mod-2);
30
31
32
33
    // C(a, b) % mod
35 int comb(int a, int b) {
      if(a < b) return 0;</pre>
36
37
      11 x = fact[a];
     11 y = (11)invFact[b] * invFact[a-b] % mod;
     return x * y % mod;
40 }
```

3.4 歐拉函數

3.5 質數與因數

```
歐拉篩0(n)
   #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
   bool isPrime[MAXN];
   int p[MAXN];
   int pSize=0;
   void getPrimes(){
     memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
     isPrime[0]=isPrime[1]=false;
     for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
10
       if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
       for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
12
         isPrime[i*p[j]]=false;
         if(i%p[j]==0) break;
13
14
    }
15
16
   }
17
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
18
19
   int GCD(int a, int b){
    if(b == 0) return a;
20
     return GCD(b, a%b);
22
   }
23
   質 因 數 分 解
24
   void primeFactorization(int n){
25
     for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
       if(p[i]*p[i] > n) break;
27
28
       if(n % p[i]) continue;
       cout << p[i] << ' ';
29
       while(n%p[i] == 0) n /= p[i];
30
31
     if(n != 1) cout << n << ' ':
32
33
     cout << ' \ n';
34
35
36
   擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)
37
   int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y) {
    if(b == 0){
39
      x = 1, y = 0;
40
       return a;
41
42
     int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
43
     y -= a/b*x;
     return d;
44
45
   }
46
   int main(){
     int a, b, x, y;
47
48
     cin >> a >> b;
     ext_euc(a, b, x, y);
cout << x << ' ' << y << endl;
49
51
     return 0:
52
53
   歌德巴赫猜想
54
   解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #define N 20000000
56
   int ox[N], p[N], pr;
   void PrimeTable(){
58
    ox[0] = ox[1] = 1;
59
     pr = 0;
     for(int i=2;i<N;i++){</pre>
61
       if(!ox[i]) p[pr++] = i;
62
       for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
63
64
         ox[i*p[j]] = 1;
65
    }
66
   }
   int main(){
67
     PrimeTable();
68
69
70
     while(cin>>n, n){
71
       int x:
72
       for(x=1;; x+=2)
         if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
73
       printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);
75
     }
```

```
78 problem :
   給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
   如果N是質數,則答案為 1。
   如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
   如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
83
84
85
   bool isPrime(int n){
    for(int i=2;i<n;++i){</pre>
86
87
      if(i*i>n) return true;
      if(n%i==0) return false;
88
89
90
    return true;
91
92
   int main(){
    int n:
93
    cin>>n:
95
    if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
96
    else if(n\%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";
97
    else cout<<"3\n";</pre>
```

3.6 Pisano Period

```
1 #include <cstdio>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
   /*
5
6
   Pisano Period + 快速幕 + mod
   Pisano Period:
      費氏數列在mod n的情況下會有循環週期,
      且週期的結束判斷會在fib[i - 1] == 0 &&
           fib[i] == 1時,
      此時循環週期長度是i-1
10
12
   所以 這 題 是 在 找 出 循 環 调 期 後 ,
   用快速冪並mod(循環週期長度)即可AC(快速冪記得mod),
   此外fib要mod n,也要找週期,所以用預處理的方式列表
15
16
  #define maxn 1005
17
19
20
   Pisano period可證一個週期的長度會在[n, n ^ n]之間
21
   */
22 //很可惜,會爆
23
   // int fib[maxn][maxn * maxn];
24
   vector<int> fib[maxn];
25
  int period[maxn];
26
   int qpow(int a, unsigned long long b, int
29
    if (b == 0) return a;
30
    long long res = 1;
31
32
    while (b) {
33
34
        res = ((a % mod) * (res % mod)) % mod;
      a = ((a % mod) * (a % mod)) % mod;
35
36
      b >>= 1:
37
38
    return res:
39
40
41
   int main()
42
43
    int t:
    unsigned long long a, b;
44
45
    int n:
47
    //注意: 這裡沒算mod 1的循環長度,
    //因為mod 1都等於 0,沒有週期
    for (int i = 2; i < maxn; ++i)</pre>
49
```

```
fib[i].emplace_back(0);
51
      fib[i].emplace_back(1);
52
53
      for (int j = 2; j < maxn * maxn; ++j)</pre>
54
        fib[i].emplace back(
55
56
          (fib[i][j-1]%i+fib[i][j-2]%i)%i
57
58
        if (fib[i][j-1]==0&&fib[i][j]==1)
59
60
          period[i] = j - 1;
61
62
        }
63
64
    }
65
66
     scanf("%d", &t);
67
    while (t--)
68
69
      scanf("%11u %11u %d", &a, &b, &n);
70
71
      if (a == 0)
        puts("0");
72
73
      else if (n == 1) //當mod 1時任何數都是\theta,
74
        puts("0");
              //所以直接輸出0,避免我們沒算
75
                       //fib[1][i]的問題(Runtime
            error)
76
        printf("%d\n",
          fib[n][qpow(a % period[n], b,
77
               period[n])]);
    }
78
79
    return 0;
80 }
```

3.7 矩陣快速冪

```
using 11 = long long;
   using mat = vector<vector<ll>>;
   const int mod = 1e9 + 7;
   mat operator*(mat A, mat B) {
    mat res(A.size(), vector<ll>(B[0].size()));
     for(int i=0; i<A.size(); i++) {</pre>
       for(int j=0; j<B[0].size(); j++) {</pre>
         for(int k=0; k<B.size(); k++) {</pre>
           res[i][j] += A[i][k] * B[k][j] % mod;
           res[i][j] %= mod;
11
12
13
      }
    }
14
    return res;
16
17
18
   mat I = ;
   // compute matrix M^n
19
   // 需先 init I 矩陣
   mat mpow(mat& M, int n) {
21
    if(n <= 1) return n ? M : I;
     mat v = mpow(M, n>>1);
23
24
    return (n & 1) ? v*v*M : v*v;
25
26
27
   mat mpow(mat M, int n) {
28
     mat res(M.size(), vector<ll>(M[0].size()));
     for(int i=0; i<res.size(); i++)</pre>
       res[i][i] = 1;
31
     for(; n; n>>=1) {
32
       if(n & 1) res = res * M;
33
       M = M * M;
34
35
    }
36
     return res;
37 3
```

3.8 大步小步

```
題意
2
  給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
   題解
3
4
  餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
       B^0 B^P,B^1 B^(P+1),...,
  也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
       能得到結果,但會超時。
   將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
   設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 ∘
  B^(mx+y) N(mod P)
  B^(mx)B^y N(mod P)
10 B^y N(B^(-m))^x (mod P)
  先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
11
   再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的
       В^у∘
13 這種算法稱為大步小步演算法,
14
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
15
  小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
16
    複雜度分析
  利用 map/unorder_map 存放
17
       B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
  枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
18
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為
19
       0(\sqrt{P\log\sqrt{P}})/0(\sqrt{P}) \circ
20
   using LL = long long;
22 LL B, N, P;
23
  LL fpow(LL a, LL b, LL c){
24
      LL res=1;
25
      for(;b;b >>=1){
26
          if(b&1)
             res=(res*a)%c:
27
28
          a=(a*a)%c;
      }
29
30
      return res;
31 }
  LL BSGS(LL a,LL b,LL p){
32
33
      a%=p,b%=p;
      if(a==0)
34
          return b==0?1:-1;
35
36
      if(b==1)
37
          return 0;
38
      map<LL, LL> tb;
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
39
40
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
41
      tb[1]=sq;
42
      for(LL i=1,tmp=1;i<sq;++i){</pre>
43
          tmp=(tmp*a)%p;
          if(!tb.count(tmp))
44
45
             tb[tmp]=i;
46
47
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
48
          if(tb.count(b)){
49
             LL res=tb[b]:
50
             return i*sq+(res==sq?0:res);
51
52
          b=(b*inv)%p;
53
      return -1;
54
55
  }
  int main(){
56
      IOS; //輸入優化
57
      while(cin>>P>>B>>N){
58
          LL ans=BSGS(B,N,P);
59
60
          if(ans==-1)
61
             cout<<"no solution\n";</pre>
62
             cout<<ans<< ' \n';
63
64
65 }
```

3.9 高斯消去

```
計算 AX = B
    傳入:
         M= 增廣矩陣 [A|B]
         equ= 有幾個 equation
         var = 有幾個 variable
    回傳:X = (x_0, \dots, x_{n-1}) 的解集
    >>無法判斷無解或無限多組解<<
1 using DBL = double;
   using mat = vector<vector<DBL>>;
   vector<DBL> Gauss(mat& M, int equ, int var) {
     auto dcmp = [](DBL a, DBL b=0.0) {
      return (a > b) - (a < b);
     for(int r=0, c=0; r<equ && c<var; ) {</pre>
      int mx = r; // 找絕對值最大的 M[i][c]
10
11
       for(int i=r+1; i<equ; i++) {</pre>
12
        if(dcmp(abs(M[i][c]),abs(M[mx][c]))==1)
13
          mx = i;
14
       if(mx != r) swap(M[mx], M[r]);
15
16
       if(dcmp(M[r][c]) == 0) {
17
18
        c++:
19
        continue;
20
21
22
       for(int i=r+1; i<equ; i++) {</pre>
        if(dcmp(M[i][c]) == 0) continue;
23
        DBL t = M[i][c] / M[r][c];
24
        for(int j=c; j<M[c].size(); j++) {</pre>
25
26
          M[i][j] -= t * M[r][j];
27
        }
28
29
       r++, c++;
30
31
32
     vector<DBL> X(var);
33
     for(int i=var-1; i>=0; i--) {
      X[i] = M[i][var];
34
       for(int j=var-1; j>i; j--) {
35
36
        X[i] -= M[i][j] * X[j];
37
      X[i] /= M[i][i];
38
    }
39
     return X;
41 }
```

4 algorithm

```
4.1
         greedy
  刪數字問題
  //problem
  給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
  請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i
       位數,
  扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
 8
  //code
 9
  int main(){
10
      string s:
11
      int k;
12
      cin>>s>>k;
13
      for(int i=0;i<k;++i){</pre>
         if((int)s.size()==0) break;
14
         int pos =(int)s.size()-1;
15
         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
16
17
             if(s[j]>s[j+1]){
18
                pos=j;
19
                break;
            }
20
         }
21
22
         s.erase(pos,1);
23
24
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
25
         s.erase(0.1):
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
26
27
      else cout<<0<<'\n';
28
  }
29
  最小區間覆蓋長度
  //problem
30
  給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
  請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
  先將 所有 區間 依照 左界 由 小 到 大 排 序,
  對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
35
  找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
36
37
38
39
  長度 n 的直線中有數個加熱器,
  在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
  問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
42
  //solution
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
44
45
  //code
  int main(){
46
47
      int n, r;
48
      int a[1005];
49
      cin>>n>>r:
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
50
51
      int i=1.ans=0:
52
      while(i<=n){</pre>
53
         int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
         int nextR=-1;
54
55
         for(int j=R; j>=L; --j){
56
             if(a[j]){
57
                nextR=j;
58
                break;
59
             }
60
         if(nextR==-1){
61
             ans=-1;
62
63
             break:
         }
64
65
         ++ans;
66
         i=nextR+r;
67
68
      cout<<ans<<'\n';
  }
69
70
  最多不重疊區間
71
  //problem
  給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
73 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
```

```
74 //solution
                                                    struct Work{
                                                151
75 依照右界由小到大排序,
                                                152
                                                       int t. d:
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                153
                                                           return d<rhs.d;</pre>
    //code
                                                154
                                                155
78
   struct Line{
                                                156
79
                                                    };
       bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
80
                                                157
                                                    int main(){
81
           return R<rhs.R;</pre>
                                                       int n=0;
                                                158
82
                                                159
                                                       Work a[10000];
83 };
                                                       priority_queue<int> pq;
                                                160
84
   int main(){
                                                161
                                                       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
      int t;
85
                                                162
                                                           ++n·
       cin>>t;
                                                163
                                                       sort(a,a+n);
86
       Line a[30];
87
                                                164
                                                       int sumT=0,ans=n;
88
       while(t--){
                                                165
                                                       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                           pq.push(a[i].t);
89
           while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R6)
                                                           sumT+=a[i].t;
90
                                                           if(a[i].d<sumT){</pre>
           sort(a,a+n);
92
                                                169
                                                              int x=pq.top();
           int ans=1,R=a[0].R;
                                                170
93
                                                              pq.pop();
94
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                171
                                                              sumT-=x;
              if(a[i].L>=R){
                                                172
95
                                                               --ans:
                 ++ans:
                                                173
                                                           }
97
                 R=a[i].R;
                                                174
                                                       }
98
                                                175
                                                       cout<<ans<<'\n';
          }
                                                176 }
99
          cout<<ans<<'\n';
100
                                                177
101
                                                178
                                                    任務調度問題
102 }
                                                179
                                                    //problem
103
   最小化最大延遲問題
                                                180
                                                    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                    期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
104
   //problem
                                                181
105
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         單位懲罰,
   期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為
                                                    請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                182
        Li=max(0.Fi-Di),
                                                183
                                                    //solution
    原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
107
                                                184
                                                    依照懲罰由大到小排序,
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                    每項工作依序嘗試可不可以放在
108
                                                185
109
   //solution
                                                         Di-Ti+1,Di-Ti,...,1,0,
110 按照到期時間從早到晚處理。
                                                186
                                                    如果有空閒就放進去,否則延後執行。
111
    //code
                                                187
    struct Work{
112
                                                188
                                                    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
113
       int t, d;
                                                189
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                    期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
114
115
          return d<rhs.d;</pre>
                                                         單位獎勵,
116
                                                191
                                                    請問最多會獲得多少單位獎勵。
117
   };
                                                192
   int main(){
                                                    和 上 題 相 似 , 這 題 變 成 依 照 獎 勵 由 大 到 小 排 序。
                                                193
118
       int n:
                                                    //code
       Work a[10000];
120
                                                195
                                                    struct Work{
121
       cin>>n;
                                                196
                                                       int d,p;
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                197
                                                       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
122
123
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                198
                                                           return p>rhs.p;
       sort(a,a+n);
                                                199
124
125
       int maxL=0,sumT=0;
                                                200 };
126
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                201
                                                    int main(){
127
           sumT+=aΓil.t:
                                                202
                                                       int n:
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                       Work a[100005];
128
                                                203
129
                                                204
                                                       bitset<100005> ok;
                                                       while(cin>>n){
       cout<<maxL<<'\n':
                                                205
130
131
                                                           ok.reset():
132 最少延遲數量問題
                                                207
                                                           for(int i=0;i<n;++i)</pre>
133 //problem
                                                208
                                                              cin>>a[i].d>>a[i].p;
   給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                           sort(a,a+n);
                                                209
135
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                           int ans=0:
                                                210
                                                           for(int i=0;i<n;++i){</pre>
136
                                                              int j=a[i].d;
   期限越早到期的工作越先做。
137
                                                212
138
   將工作依照到期時間從早到晚排序,
                                                213
                                                              while(j--)
139
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                214
                                                                  if(!ok[j]){
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
140
                                                215
                                                                     ans+=aΓil.p:
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                                     ok[j]=true;
141
                                                216
142
                                                217
                                                                     break:
143
                                                218
144
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                219
                                                           }
145
                                                220
                                                           cout<<ans<<'\n';
146 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                221
                                                       }
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                222 }
147
148 工作期限 → 烏龜可承受重量
149 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
150 //code
```

4.2 三分搜

給定兩射線方向和速度, 問兩射線最近距離。 3 題 解 假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離,F(t)為二次 函 數, 可用三分搜找二次函數最小值。 struct Point{ double x, y, z; 7 8 Point() {} 9 Point(double _x,double _y,double _z): $x(_x),y(_y),z(_z){}$ 10 friend istream& operator>>(istream& is, Point& p) { 12 is >> p.x >> p.y >> p.z; return is; 13 14 15 Point operator+(const Point &rhs) const{ 16 return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z); 17 Point operator-(const Point &rhs) const{ 18 19 return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z); 20 21 Point operator*(const double &d) const{ 22 return Point(x*d,y*d,z*d); 23 Point operator/(const double &d) const{ 24 return Point(x/d,y/d,z/d); 25 26 27 double dist(const Point &rhs) const{ double res = 0; 28 29 res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y); 30 31 res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z); return res; 32 33 34 }; 35 int main(){ //輸入優化 36 IOS: 37 int T: 38 cin>>T: for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre> 39 double time; 40 41 Point x1,y1,d1,x2,y2,d2; cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2; 42 d1=(y1-x1)/time;43 44 d2=(y2-x2)/time;45 double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2; double ans = x1.dist(x2); 46 47 while(abs(L-R)>1e-10){ 48 m1=(L+R)/2; m2=(m1+R)/2: 49 f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);50 51 f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);52 ans = min(ans, min(f1, f2));53 **if**(f1<f2) R=m2; 54 else L=m1; 55 cout<<"Case "<<ti<<": "; 56 cout << fixed << setprecision(4) <<</pre> 57 $sqrt(ans) << ' \ ''$; } 58 59 }

4.3 dinic

```
1 const int maxn = 1e5 + 10;
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
   struct Edge {
       int s, t, cap, flow;
 5 };
   int n, m, S, T;
   int level[maxn], dfs_idx[maxn];
   vector<Edge> E;
   vector<vector<int>> G;
10
   void init() {
       S = 0:
12
       T = n + m;
       E.clear();
13
14
       G.assign(maxn, vector<int>());
15 }
   void addEdge(int s, int t, int cap) {
       E.push_back({s, t, cap, 0});
17
       E.push_back({t, s, 0, 0});
18
       G[s].push_back(E.size()-2);
       G[t].push_back(E.size()-1);
21 }
22 bool bfs() {
       queue<int> q({S});
23
       memset(level, -1, sizeof(level));
24
       level[S] = 0;
25
       while(!q.empty()) {
           int cur = q.front();
27
28
           q.pop();
           for(int i : G[cur]) {
29
              Edge e = E[i];
30
31
               if(level[e.t]==-1 &&
                    e.cap>e.flow) {
                  level[e.t] = level[e.s] + 1;
                  q.push(e.t);
33
34
35
          }
36
37
       return ~level[T];
38 }
   int dfs(int cur, int lim) {
39
       if(cur==T || lim<=0) return lim;</pre>
40
41
       int result = 0;
42
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
            && lim>0; i++) {
           Edge& e = E[G[cur][i]];
           if(level[e.s]+1 != level[e.t])
44
           int flow = dfs(e.t, min(lim,
45
                e.cap-e.flow));
           if(flow <= 0) continue;</pre>
           e.flow += flow;
47
           result += flow;
48
49
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
50
          lim -= flow;
51
52
       return result:
53
   int dinic() {// O((V^2)E)
54
       int result = 0;
55
       while(bfs()) {
          memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
57
           result += dfs(S, inf);
58
59
60
       return result;
61 }
```

4.4 JosephusProblem

```
//JosephusProblem,只是規定要先砍1號
   //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
   //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
  int getWinner(int n, int k) {
      int winner = 0;
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          winner = (winner + k) % i;
10
      return winner:
11 }
12
   int main() {
13
14
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
15
          for (int k = 1; k \le n; ++k){
17
18
              if (getWinner(n, k) == 11){
                 printf("%d\n", k);
19
20
                 break:
21
          }
22
23
      }
24
      return 0;
25
   // O(k \log(n))
27
28
   int josephus(int n, int k) {
    if (n == 1) return 0;
29
    if (k == 1) return n - 1;
30
    if (k > n) return (josephus(n-1,k)+k)%n;
    int res = josephus(n - n / k, k);
32
33
    res -= n % k;
    if (res < 0)
34
35
      res += n; // mod n
36
37
      res += res / (k - 1); // 还原位置
38
    return res;
39 }
```

4.5 SCC Kosaraju

```
1 //做兩次dfs, O(V + E)
   //g 是原圖, g2 是反圖
   //s是dfs離開的節點
   void dfs1(int u) {
      vis[u] = true;
      for (int v : g[u])
          if (!vis[v]) dfs1(v);
       s.push_back(u);
8
9
   }
10
   void dfs2(int u) {
11
      group[u] = sccCnt;
12
13
       for (int v : g2[u])
          if (!group[v]) dfs2(v);
14
15 }
16
17
   void kosaraju() {
       sccCnt = 0;
18
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
          if (!vis[i]) dfs1(i);
20
21
       for (int i = n; i >= 1; --i)
22
          if (!group[s[i]]) {
              ++sccCnt;
23
              dfs2(s[i]);
24
          }
25
26 }
```

4.6 SCC Tarjan

1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小 vector<vector<int>>> G;

4.7 ArticulationPoints Tarjan

4.8 最小樹狀圖

1 const int maxn = 60 + 10;

```
//的要數出來,因為題目要方法數
                                                      int N, timer;
                                                                                                          const int inf = 0x3f3f3f3f;
   //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
                                                      bool visited[105]:
                                                                                                          struct Edge {
   //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
                                                      int dfn[105]; // 第一次visit的時間
                                                                                                              int s, t, cap, cost;
   #define maxn 100005
                                                     5 int low[105];
                                                                                                          }; // cap 為頻寬 (optional)
   #define MOD 1000000007
                                                      //最小能回到的父節點
                                                                                                          int n, m, c;
                                                      //(不能是自己的parent)的visTime
   long long cost[maxn];
                                                                                                          int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
   vector<vector<int>>> G;
                                                    8 int res;
                                                                                                               vis[maxn];
   int SCC = 0;
                                                       //求割點數量
                                                                                                          // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
                                                      void tarjan(int u, int parent) {
   stack<int> sk;
                                                   10
                                                                                                          // 找環,如果沒有則 return:
   int dfn[maxn];
                                                          int child = 0;
                                                                                                          // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
   int low[maxn];
                                                   12
                                                          bool isCut = false;
                                                                                                          int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
                                                          visited[u] = true;
   bool inStack[maxn];
                                                                                                              int result = 0, root = 0, N = n;
                                                   13
                                                                                                       12
   int dfsTime = 1;
                                                   14
                                                          dfn[u] = low[u] = ++timer;
                                                                                                       13
                                                                                                              while(true) {
                                                          for (int v: G[u]) {
   long long totalCost = 0;
                                                                                                                 memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
                                                   15
                                                                                                       14
   long long ways = 1;
                                                              if (!visited[v]) {
                                                                                                       15
                                                                                                                  // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
   void dfs(int u) {
                                                   17
                                                                  ++child:
                                                                                                                  // optional: low 為最小 cap 限制
17
                                                                                                       16
18
       dfn[u] = low[u] = dfsTime;
                                                   18
                                                                  tarjan(v, u);
                                                                                                       17
                                                                                                                  for(const Edge& e : edges) {
19
       ++dfsTime:
                                                   19
                                                                  low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                                                                       18
                                                                                                                     if(e.cap < low) continue;</pre>
20
       sk.push(u);
                                                   20
                                                                  if (parent != -1 && low[v] >=
                                                                                                                     if(e.s!=e.t &&
                                                                                                       19
21
       inStack[u] = true;
                                                                       dfn[u])
                                                                                                                          e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
22
       for (int v: G[u]) {
                                                                     isCut = true;
                                                                                                                         inEdge[e.t] = e.cost;
                                                   21
                                                                                                       20
          if (dfn[v] == 0) {
23
                                                   22
                                                                                                       21
                                                                                                                         pre[e.t] = e.s;
                                                              else if (v != parent)
24
              dfs(v);
                                                   23
                                                                                                       22
25
              low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                                  low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                   24
                                                                                                       23
26
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                                                                       24
                                                                                                                     if(i!=root && inEdge[i]==inf)
27
          else if (inStack[v]) {
                                                          //If u is root of DFS
                                                                                                       25
28
              //屬於同個SCC且是我的back edge
                                                                tree->有兩個以上的children
                                                                                                       26
                                                                                                                         return -1;//除了root 還有點沒有in
                                                          if (parent == -1 && child >= 2)
29
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                   27
                                                              isCut = true;
                                                                                                       27
30
                                                   28
31
       }
                                                   29
                                                          if (isCut) ++res;
                                                                                                       28
                                                                                                                  int seq = inEdge[root] = 0;
       //如果是SCC
                                                   30 }
                                                                                                                  memset(idx, -1, sizeof(idx));
                                                                                                       29
32
33
       if (dfn[u] == low[u]) {
                                                    31
                                                      int main() {
                                                                                                       30
                                                                                                                  memset(vis, -1, sizeof(vis));
                                                                                                                  // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
          long long minCost = 0x3f3f3f3f;
                                                          char input[105];
34
                                                   32
                                                                                                       31
35
          int currWays = 0;
                                                   33
                                                          char* token;
                                                                                                       32
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                          while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
36
          ++SCC;
                                                   34
                                                                                                       33
                                                                                                                     result += inEdge[i];
37
          while (1) {
                                                   35
                                                              G.assign(105, vector<int>());
                                                                                                                     int cur = i;
                                                                                                       34
38
              int v = sk.top();
                                                   36
                                                              memset(visited, false,
                                                                                                       35
                                                                                                                     while(vis[cur]!=i &&
              inStack[v] = 0;
                                                                   sizeof(visited));
                                                                                                                          idx[cur]==-1) {
39
                                                              memset(low, 0, sizeof(low));
                                                                                                                         if(cur == root) break;
40
              sk.pop();
              if (minCost > cost[v]) {
                                                              memset(dfn, 0, sizeof(visited));
41
                                                   38
                                                                                                       37
                                                                                                                         vis[cur] = i;
42
                  minCost = cost[v];
                                                   39
                                                              timer = 0;
                                                                                                                         cur = pre[cur];
                                                                                                       38
43
                  currWays = 1;
                                                   40
                                                              res = 0;
                                                                                                       39
              }
                                                                                                                     if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
                                                              getchar(); // for \n
44
                                                   41
                                                                                                       40
45
              else if (minCost == cost[v]) {
                                                              while (fgets(input, 105, stdin)) {
                                                                                                                         for(int j=pre[cur]; j!=cur;
                                                                                                       41
                  ++currWays;
                                                                  if (input[0] == '0')
46
                                                   43
                                                                                                                              j=pre[j])
47
                                                   44
                                                                     break;
                                                                                                                             idx[j] = seq;
                                                                                                       42
                                                                                                                         idx[cur] = seq++;
48
              if(v == u)
                                                   45
                                                                  int size = strlen(input);
                                                                                                       43
                                                                  input[size - 1] = ' \setminus 0';
                                                                                                                     }
49
                  break:
                                                   46
                                                                                                       44
50
                                                   47
                                                                  --size;
                                                                  token = strtok(input, " ");
                                                                                                                  if(seq == 0) return result; // 沒有
51
          totalCost += minCost:
                                                   48
                                                                                                       46
52
          ways = (ways * currWays) % MOD;
                                                    49
                                                                  int u = atoi(token);
53
                                                   50
                                                                  int v;
                                                                                                       47
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++)</pre>
54
   }
                                                   51
                                                                  while (token = strtok(NULL, " "))
                                                                                                                     // 沒有被縮點的點
                                                                                                       48
   int main() {
                                                                                                                     if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
                                                                                                       49
56
      int n;
                                                   52
                                                                     v = atoi(token);
                                                                                                                  // 縮點並重新編號
                                                                                                       50
57
       scanf("%d", &n);
                                                                     G[u].emplace_back(v);
                                                   53
                                                                                                       51
                                                                                                                  for(Edge& e : edges) {
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                                     G[v].emplace_back(u);
58
                                                   54
                                                                                                       52
                                                                                                                     if(idx[e.s] != idx[e.t])
          scanf("%11d", &cost[i]);
                                                                                                                         e.cost -= inEdge[e.t];
59
                                                                                                       53
60
       G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                              }
                                                                                                                     e.s = idx[e.s];
                                                   57
                                                              tarjan(1, -1);
                                                                                                                     e.t = idx[e.t];
61
       int m:
                                                                                                       55
       scanf("%d", &m);
                                                   58
                                                              printf("%d\n", res);
                                                                                                                 }
62
                                                                                                       56
      int u, v;
                                                                                                                 N = seq;
                                                   59
                                                                                                       57
63
       for (int i = 0; i < m; ++i) {
                                                                                                                  root = idx[root];
64
                                                   60
                                                          return 0;
                                                                                                       58
          scanf("%d %d", &u, &v);
65
                                                                                                       59
                                                                                                              }
66
          G[u].emplace_back(v);
                                                                                                       60 }
67
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {
68
          if (dfn[i] == 0)
69
70
              dfs(i);
71
72
       printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
           MOD):
       return 0;
```

```
4.9
          KM
                                                                                                                    return this->1 < other.1;</pre>
                                                   74
                                                                                                      21
                                                             puts("");
                                                   75
                                                                                                      22
                                                                                                                 //奇偶排序(優化)
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                                 if (this->1 / sqrtQ & 1)
                                                   76
                                                                                                      23
 1 #define maxn 505
                                                   77
                                                                 if (i != 0)
                                                                                                                    return this->r < other.r;</pre>
                                                                                                      24
   int W[maxn][maxn];
                                                                     printf(" %d", Ly[i]);
                                                   78
                                                                                                      25
                                                                                                                 return this->r > other.r;
   int Lx[maxn], Ly[maxn];
                                                                                                      26
                                                   79
   bool S[maxn], T[maxn];
                                                                                                         };
                                                                     printf("%d", Ly[i]);
                                                   80
                                                                                                      27
   //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
                                                                 res += Ly[i];
                                                                                                         Query querys[maxn];
                                                   81
                                                                                                      28
   int L[maxn];
                                                   82
                                                                                                      29
                                                                                                         long long ans[maxn];
7
   int n;
                                                             puts("");
                                                                                                         long long res = 0;
                                                   83
                                                                                                      30
   bool match(int i) {
8
                                                   84
                                                             printf("%d\n", res);
                                                                                                         int k;
      S[i] = true;
                                                                                                         void add(int x) {
                                                         3
                                                   85
                                                                                                      32
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
10
                                                          return 0;
                                                                                                      33
                                                                                                             res += cnt[k ^ prefix[x]];
                                                   86
11
          // KM重點
                                                                                                             ++cnt[prefix[x]];
                                                   87 }
                                                                                                      34
12
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
                                                                                                      35
13
          // 要想辦法降低Lx + Ly
                                                                                                      36
                                                                                                          void sub(int x) {
14
           // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                                                                      37
                                                                                                             --cnt[prefix[x]];
                                                      4.10 二分圖最大匹配
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
15
                                                                                                             res -= cnt[k ^ prefix[x]];
                                                                                                      38
               !T[j]) {
                                                                                                      39
                                                                                                         }
              T[j] = true;
16
                                                    1 /* 核心: 最大點獨立集 = /V/ -
                                                                                                         int main() {
                                                                                                      40
17
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
                                                           /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
                                                                                                      41
                                                                                                             int n, m;
18
                                                    2 vector<Student> boys;
                                                                                                             scanf("%d %d %d", &n, &m, &k);
                                                                                                      42
19
                  return true;
                                                      vector<Student> girls;
                                                                                                             sqrtQ = sqrt(n);
20
              }
                                                      vector<vector<int>> G;
                                                                                                             for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
                                                                                                      44
21
          }
                                                                                                                 scanf("%d", &prefix[i]);
prefix[i] ^= prefix[i - 1];
                                                      bool used[505];
                                                                                                      45
22
      }
                                                      int p[505];
                                                                                                      46
23
      return false;
                                                      bool match(int i) {
                                                                                                      47
24
  }
                                                          for (int j: G[i]) {
                                                                                                      48
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i) {
   //修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                             if (!used[j]) {
                                                                                                                 scanf("%d %d", &querys[i].1,
                                                                                                      49
   //此舉是在通過調整vertex labeling看看
                                                   10
                                                                 used[j] = true;
                                                                                                                      &querys[i].r);
   //能不能產生出新的增廣路
                                                                 if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
                                                   11
                                                                                                                 //減1是因為prefix[i]是[1,
   //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                                     p[j] = i;
                                                                                                                      i]的前綴XOR和,所以題目問[1,
   //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配<sub>13</sub>
29
                                                                     return true;
                                                                                                                      r]我們要回答[1 - 1, r]的答案
   void update() {
                                                   14
                                                                                                      51
                                                                                                                 --querys[i].1;
      int diff = 0x3f3f3f3f;
31
                                                   15
                                                             }
                                                                                                                 querys[i].id = i;
                                                                                                      52
32
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   16
                                                                                                      53
33
          if (S[i]) {
                                                   17
                                                          return false;
                                                                                                      54
                                                                                                             sort(querys + 1, querys + m + 1);
34
              for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                   18
                                                                                                      55
                                                                                                             int 1 = 1, r = 0;
35
                  if (!T[j])
                                                      void maxMatch(int n) {
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                   19
                                                                                                      56
36
                     diff = min(diff, Lx[i] +
                                                   20
                                                          memset(p, -1, sizeof(p));
                                                                                                      57
                                                                                                                 while (1 < querys[i].1) {</pre>
                          Ly[j] - W[i][j]);
                                                   21
                                                          int res = 0;
                                                                                                      58
                                                                                                                    sub(1);
37
                                                   22
                                                          for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
                                                                                                      59
                                                                                                                    ++1;
          }
38
                                                             memset(used, false, sizeof(used));
                                                   23
                                                                                                      60
39
      }
                                                   24
                                                              if (match(i)) ++res;
                                                                                                      61
                                                                                                                 while (1 > querys[i].1) {
40
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   25
                                                                                                      62
                                                                                                                    --1:
41
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
                                                          cout << n - res << '\n';
                                                   26
                                                                                                                    add(1);
                                                                                                      63
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
42
43
                                                                                                                 while (r < querys[i].r) {</pre>
                                                                                                      65
44
   }
                                                                                                      66
                                                                                                                    ++r;
45
   void KM() {
                                                                                                      67
                                                                                                                    add(r);
                                                               莫隊
                                                      4.11
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
46
                                                                                                      68
47
          L[i] = -1;
                                                                                                                 while (r > querys[i].r) {
                                                                                                      69
48
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                      /*利用prefix前綴XOR和
                                                                                                      70
                                                                                                                    sub(r);
49
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                        如果要求[x, y]的XOR和只要回答prefix[y] ^
                                                                                                      71
                                                                                                                     --r;
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
50
                                                             prefix[x - 1]即可在0(1)回答
                                                                                                      72
51
                                                        同時維護cnt[i]代表[x, y]XOR和 == i的個數
                                                                                                      73
                                                                                                                 ans[querys[i].id] = res;
52
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                        如此我們知道[1, r]可以快速知道[1 - 1, r], [1
                                                                                                      74
          while(1) {
53
                                                             + 1, r], [1, r - 1], [1, r + 1]的答案
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i){</pre>
                                                                                                      75
54
              memset(S, false, sizeof(S));
                                                        就符合Mo's algorithm的思維O(N * sqrt(n))
                                                                                                                 printf("%11d\n", ans[i]);
                                                                                                      76
              memset(T, false, sizeof(T));
55
                                                        每次轉移為0(1),具體轉移方法在下面*/
                                                                                                             }
                                                                                                      77
              if (match(i)) break;
56
                                                      #define maxn 100005
                                                                                                      78
                                                                                                             return 0;
57
              else update(); //去調整vertex
                                                      //在此prefix[i]是[1, i]的XOR和
                                                                                                      79 }
                   labeling以增加增廣路徑
                                                    9 int prefix[maxn];
          }
58
                                                      //log_2(1000000) =
      }
59
                                                            19.931568569324174087221916576937...
   }
60
                                                      //所以開到1 << 20
61
   int main() {
                                                      //cnt[i]代表的是有符合nums[x, y] such that
      while (scanf("%d", &n) != EOF) {
62
                                                           nums[x] ^ nums[x + 1] ^ ... ^ nums[y] ==
          for (int i = 0; i < n; ++i)
63
              for (int j = 0; j < n; ++j)
64
                                                   13 //的個數
                  scanf("%d", &W[i][j]);
65
                                                   14 long long cnt[1 << 20];
          KM();
66
                                                      //塊大小 -> sqrt(n)
67
          int res = 0;
                                                   16 int sqrtQ;
68
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   17
                                                      struct Query {
69
              if (i != 0)
                                                   18
                                                          int 1, r, id;
                 printf(" %d", Lx[i]);
70
                                                          bool operator < (const Query& other)</pre>
                                                   19
71
72
                  printf("%d", Lx[i]);
                                                              if (this->l / sqrtQ != other.l /
                                                   20
              res += Lx[i];
73
                                                                   sqrtQ)
```

```
4.12 Blossom Algorithm
                                                     77
                                                                 cur = e.t;
                                                                                                         43
                                                                 while(cur != -1) {
                                                                                                                    L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                    78
                                                                                                         44
                                                                                                         45
                                                     79
                                                                   y = p[cur];
 1 const int maxn = 500 + 10;
                                                     80
                                                                   nxt = match[y];
                                                                                                         46
                                                                                                                bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                                                                   match[cur] = y;
                                                     81
                                                                                                         47
                                                                                                                    if(R[0] == 0) {
   struct Edge { int s, t; };
                                                                   match[y] = cur;
                                                                                                                        resSize = idx;
                                                     82
                                                                                                         48
                                                                   cur = nxt:
                                                                                                         49
                                                                                                                        return true;
 5
   int n;
                                                                                                         50
   int base[maxn], match[maxn], p[maxn], inq[maxn];
                                                                 return true;
                                                                                                         51
                                                                                                                    int c = R[0];
   bool vis[maxn], flower[maxn];
                                                                                                                    for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                               } else {
                                                                                                         52
   vector<Edge> G[maxn];
                                                                 q.push(match[e.t]);
                                                                                                         53
                                                                                                                        if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
   queue<int> q;
                                                                 inq[match[e.t]] = true;
                                                     88
                                                                                                         54
10
                                                     89
                                                                                                         55
   int lca(int a, int b) {
                                                                                                                    for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                     90
                                                             }
                                                                                                         56
     memset(vis, 0, sizeof(vis));
                                                     91
                                                                                                         57
                                                                                                                        result[idx] = row[i];
     while(1) {
13
                                                     92
                                                                                                         58
                                                                                                                        for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
14
       a = base[a];
                                                          return false;
                                                                                                         59
                                                                                                                            remove(col[i]);
                                                    93
       vis[a] = true;
15
                                                                                                                        if(dfs(idx+1)) return true;
16
       if(match[a] == -1) break;
                                                    95
                                                                                                         61
                                                                                                                        for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
17
       a = p[match[a]];
                                                        int maxMatch() {
                                                                                                                            recover(col[i]);
                                                    96
                                                                                                         62
18
                                                                                                                    }
                                                    97
                                                          int res = 0:
                                                                                                         63
19
     while(1) {
                                                          memset(match, -1, sizeof(match));
                                                                                                                    recover(c):
                                                    98
                                                                                                         64
      b = base[b];
20
                                                    99
                                                          for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
                                                                                                         65
                                                                                                                    return false;
21
       if(vis[b]) return b;
                                                           if(match[i]==-1 && bfs(i)) res++;
                                                    100
                                                                                                         66
      b = p[match[b]];
22
                                                    101
                                                                                                                void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
23
                                                    102
                                                          return res;
24
     return -1;
                                                    103 }
                                                                                                                    if(R[0] == 0) {
                                                                                                         68
   }
25
                                                                                                         69
                                                                                                                        resSize = min(resSize, idx); //
26
                                                                                                                             注意init值
   void set_path(int x, int father) {
27
                                                                                                         70
                                                                 Dancing Links
                                                        4.13
28
                                                                                                                    }
                                                                                                         71
     while(x != father) {
29
                                                                                                         72
                                                                                                                    int c = R[0];
       tmp = match[x];
30
                                                     1 struct DLX {
                                                                                                         73
                                                                                                                    for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
31
       flower[base[x]]=flower[base[tmp]]=1;
                                                            int seq, resSize;
                                                                                                         74
                                                                                                                        if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
       tmp = p[tmp]:
32
                                                            int col[maxn], row[maxn];
                                                                                                         75
33
       if(base[tmp]!=father) p[tmp] = match[x];
                                                            int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
                                                                                                                    remove(c);
                                                                                                         76
34
                                                            int rowHead[maxn], colSize[maxn];
                                                                                                         77
                                                                                                                    for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
35
                                                            int result[maxn];
                                                                                                         78
                                                                                                                        for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
36
   }
                                                            DLX(int r, int c) {
                                                                                                                            remove(col[j]);
                                                                                                         79
37
                                                               for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
                                                                                                                        dfs(idx+1);
                                                                                                         80
   void blossom(int x, int y) {
38
                                                                   L[i] = i-1, R[i] = i+1;
                                                                                                                        for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                                                                         81
     memset(flower, 0, sizeof(flower));
39
                                                     10
                                                                   U[i] = D[i] = i;
                                                                                                                            recover(col[j]);
     int father = lca(x, y);
40
                                                     11
                                                                                                                    }
                                                                                                         83
     set_path(x, father);
41
                                                     12
                                                               L[R[seq=c]=0]=c;
                                                                                                         84
                                                                                                                    recover(c);
42
     set_path(y, father);
                                                     13
                                                               resSize = -1:
                                                                                                         85
                                                                                                                }
     if(base[x] != father) p[x] = y;
43
                                                               memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
                                                                                                         86 };
     if(base[y] != father) p[y] = x;
44
                                                     15
                                                               memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
45
     for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
                                                     16
46
       if(!flower[base[i]]) continue;
                                                            void insert(int r, int c) {
                                                     17
47
       base[i] = father;
                                                     18
                                                                row[++seq]=r, col[seq]=c,
48
       if(!inq[i]) {
                                                                     ++colSize[c];
49
         q.push(i);
                                                               U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,
                                                     19
50
         inq[i] = true;
                                                                     D[c]=seq;
51
                                                                if(rowHead[r]) {
                                                     20
52
    }
                                                                   L[seq]=rowHead[r],
                                                    21
53
   }
                                                                        R[seq]=R[rowHead[r]];
54
                                                                   L[R[rowHead[r]]]=seq.
                                                     22
   bool bfs(int root) {
                                                                        R[rowHead[r]]=seq;
     int cur, y, nxt;
56
                                                     23
                                                               } else {
     q = queue<int>();
57
                                                     24
                                                                   rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =
     q.push(root);
58
59
     memset(inq, 0, sizeof(inq));
                                                     25
                                                               }
     memset(p, -1, sizeof(p));
     for(int i=1; i<=n; i++) base[i] = i;</pre>
61
                                                            void remove(int c) {
                                                    27
62
                                                                L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
     while(!q.empty()) {
63
                                                     29
                                                                for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
      cur = q.front();
64
                                                     30
                                                                   for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
65
       q.pop();
                                                     31
                                                                       U[D[j]] = U[j];
       inq[cur] = false;
66
                                                     32
                                                                       D[U[j]] = D[j];
67
                                                                       --colSize[col[j]];
68
       for(auto e : G[cur]) {
                                                                   }
                                                     34
         if(base[e.s] == base[e.t]) continue;
69
                                                     35
                                                               }
         if(match[e.s] == e.t) continue;
70
                                                     36
71
         if(e.t == root ||
                                                            void recover(int c) {
                                                     37
72
           (~match[e.t] && ~p[match[e.t]])) {
                                                                for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
          blossom(cur, e.t);
73
                                                                   for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                                                     39
         } else if(p[e.t] == -1) {
74
                                                                       U[D[j]] = D[U[j]] = j;
                                                     40
75
          p[e.t] = cur;
                                                     41
                                                                       ++colSize[col[j]];
76
          if(match[e.t] == -1) {
```

42

```
4.14
                                                                                                         4.16 MCMF
            Astar
                                                             G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   69
                                                   70
                                                             invertG.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   71
                                                             int s, t, k;
   /*A*求k短路
                                                             scanf("%d %d %d", &s, &t, &k);
                                                   72
     f(x) = g(x) + h(x)
                                                   73
                                                             int u, v, w;
     g(x) 是實際cost, h(x) 是估計cost
                                                             for (int i = 0; i < m; ++i) {
     在此h(x)用所有點到終點的最短距離,則當用Astar找點
                                                                 scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
     當該點cnt[u] == k時即得到該點的第k短路
                                                                                                      5
                                                                 G[u].emplace_back(Edge{u, v, w});
                                                   77
                                                                 invertG[v].emplace_back(Edge{v,
 7
   #define maxn 105
                                                                      u, w});
 8
   struct Edge { int u, v, w; };
                                                             }
                                                   78
   struct Item_pqH {
                                                             memset(h, 0x3f, sizeof(h));
                                                   79
10
      int u, w;
                                                   80
                                                             dijkstra(t, s);
      bool operator <(const Item_pqH& other)</pre>
                                                   81
                                                             printf("%d \setminus n", Astar(s, t, k));
            const {
                                                   82
          return this->w > other.w;
12
                                                   83
                                                          return 0;
13
                                                   84 }
  };
                                                                                                              cost) {
14
15
   struct Item_astar {
                                                                                                      15
16
      int u, g, f;
                                                      4.15 差分
17
      bool operator <(const Item_astar& other)</pre>
                                                                                                      16
            const {
          return this->f > other.f;
                                                                                                      17
18
                                                   1 用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
19
                                                                                                      18
                                                    2 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
20 };
                                                                                                      19
                                                   3 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
21
   vector<vector<Edge>> G;
                                                                                                      20
                                                      給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
   //反向圖,用於建h(u)
                                                                                                      21
                                                      因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
   vector<vector<Edge>> invertG;
                                                      所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
   int h[maxn];
                                                      在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
   bool visited[maxn];
25
                                                                                                      23
                                                      最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
   int cnt[maxn];
   //用反向圖去求出每一點到終點的最短距離,並以此當作h(g)
                                                      這樣一來,b[]是一個在某區間加上v的前綴和。
27
                                                                                                      24
                                                     int a[1000], b[1000];
   void dijkstra(int s, int t) {
                                                                                                      25
28
                                                      // a: 前綴和數列, b: 差分數列
                                                   11
      memset(visited, 0, sizeof(visited));
                                                                                                      26
                                                   12 int main(){
      priority_queue<Item_pqH> pq;
30
                                                                                                      27
                                                         int n, 1, r, v;
                                                   13
31
      pq.push({s, 0});
                                                                                                      28
                                                   14
                                                          cin >> n;
      h[s] = 0;
                                                                                                      29
32
                                                   15
                                                          for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
33
      while (!pq.empty()) {
                                                                                                      30
                                                   16
                                                             cin >> a[i];
34
          Item_pqH curr = pq.top();
                                                                                                      31
                                                   17
                                                             b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
35
          pq.pop();
                                                                                                      32
                                                   18
36
          visited[curr.u] = true;
                                                                                                      33
                                                   19
                                                         cin >> 1 >> r >> v;
37
          for (Edge& edge: invertG[curr.u]) {
                                                                                                      34
                                                         b[1] += v;
                                                   20
              if (!visited[edge.v]) {
38
                                                         b[r+1] -= v;
                                                   21
                 if (h[edge.v] > h[curr.u] +
39
                                                                                                      36
                                                          for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
                                                   22
                       edge.w) {
                                                   23
                                                             b[i] += b[i-1];
                     h[edge.v] = h[curr.u] +
                                                                                                      37
40
                                                             cout << b[i] << ' ';
                                                   24
                          edge.w;
                                                         }
                                                   25
                     pq.push({edge.v,
41
                                                   26 }
                          h[edge.v]});
                                                                                                      38
42
                 }
43
              }
                                                                                                      39
          }
44
                                                                                                      40
45
      }
46
   }
   int Astar(int s, int t, int k) {
47
48
      memset(cnt, 0, sizeof(cnt));
                                                                                                      41
49
      priority_queue<Item_astar> pq;
                                                                                                      42
50
      pq.push({s, 0, h[s]});
                                                                                                      43
      while (!pq.empty()) {
51
                                                                                                      44
          Item_astar curr = pq.top();
                                                                                                      45
52
                                                                                                                    }
          pq.pop();
                                                                                                                }
53
                                                                                                      46
54
          ++cnt[curr.u];
                                                                                                      47
55
          //終點出現k次,此時即可得k短路
                                                                                                      48
          if (cnt[t] == k)
56
                                                                                                      49
57
              return curr.g;
                                                                                                      50
          for (Edge& edge: G[curr.u]) {
                                                                                                      51
58
              if (cnt[edge.v] < k) {</pre>
59
                                                                                                      52
60
                  pq.push({edge.v, curr.g +
                                                                                                      53
                       edge.w, curr.g + edge.w
                                                                                                      54
                       + h[edge.v]});
                                                                                                      55
61
              }
                                                                                                      56
          }
62
63
      }
64
      return -1;
                                                                                                      58
65
   }
   int main() {
                                                                                                      59
66
                                                                                                            }
      int n, m;
                                                                                                      60
      while (scanf("%d %d", &n, &m) && (n != 0
68
                                                                                                      61
            && m != 0)) {
                                                                                                      62 }
```

11

```
1 #define maxn 225
  #define INF 0x3f3f3f3f
  struct Edge {
     int u, v, cap, flow, cost;
  //node size, edge size, source, target
  int n, m, s, t;
  vector<vector<int>>> G;
  vector<Edge> edges;
  bool inqueue[maxn];
  long long dis[maxn];
  int parent[maxn];
  long long outFlow[maxn];
  void addEdge(int u, int v, int cap, int
     edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0,
          cost}):
     edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
          -cost});
     m = edges.size();
     G[u].emplace_back(m - 2);
     G[v].emplace_back(m - 1);
  //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
  bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
       minCost) {
      // memset(outFlow, 0x3f,
          sizeof(outFlow));
     memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
     memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
     queue<int> q;
     q.push(s):
     dis[s] = 0;
     inqueue[s] = true;
     outFlow[s] = INF;
     while (!q.empty()) {
         int u = q.front();
         q.pop();
         inqueue[u] = false;
         for (const int edgeIndex: G[u]) {
             const Edge& edge =
                  edges[edgeIndex];
             if ((edge.cap > edge.flow) &&
                  (dis[edge.v] > dis[u] +
                  edge.cost)) {
                dis[edge.v] = dis[u] +
                     edge.cost;
                parent[edge.v] = edgeIndex;
                outFlow[edge.v] =
                     min(outFlow[u], (long
                     long)(edge.cap -
                     edge.flow));
                if (!inqueue[edge.v]) {
                    q.push(edge.v);
                    inqueue[edge.v] = true;
     //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
     if (dis[t] > 0)
         return false;
     maxFlow += outFlow[t];
     minCost += dis[t] * outFlow[t];
     //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
     //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
     int curr = t;
     while (curr != s) {
         edges[parent[curr]].flow +=
              outFlow[t];
         edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
              outFlow[t];
         curr = edges[parent[curr]].u;
     return true;
```

long long MCMF() { long long maxFlow = 0; 64 long long minCost = 0; 65 66 while (SPFA(maxFlow, minCost)) 67 return minCost; 68 } 69 70 int main() { 71 int T; scanf("%d", &T); 72 73 for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre> //總共幾個月,囤貨成本 74 75 int M, I; scanf("%d %d", &M, &I); 76 77 //node size 78 n = M + M + 2;G.assign(n + 5, vector<int>()); 79 edges.clear(); 80 s = 0;81 82 t = M + M + 1; for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre> 83 int produceCost, produceMax, 84 sellPrice, sellMax, inventoryMonth; scanf("%d %d %d %d %d", 85 &produceCost, &produceMax, &sellPrice, &sellMax, &inventoryMonth); addEdge(s, i, produceMax, 86 produceCost); addEdge(M + i, t, sellMax, 87 -sellPrice); for (int j = 0; j <=</pre> inventoryMonth; ++j) { if (i + j <= M)</pre> 89 addEdge(i, M + i + j, INF,90 I * j); 91 } } 92 93 printf("Case %d: %lld\n", Case, -MCMF()); 94 95 return 0; 96 }

4.17 LCA 倍增法

```
1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
   //利用1ca找樹上任兩點距離
  #define maxn 100005
   struct Edge { int u, v, w; };
  vector<vector<Edge>> G; // tree
   int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
   long long dis[maxn][31];
   int dep[maxn];//深度
                                                    6
   void dfs(int u, int p) {//預處理fa
10
       fa[u][0] = p; //因為u的第2<sup>0</sup> = 1的祖先就是p
                                                    R
       dep[u] = dep[p] + 1;
11
12
       //第2^{i}的祖先是(第2^{i} - 1)個祖先)的
       //第2<sup>^</sup>(i - 1)的祖先
13
14
       //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
       for (int i = 1; i < 31; ++i) {
15
16
          fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
          dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
17
               + dis[u][i - 1];
                                                   15
                                                   16
18
       //遍歷子節點
                                                   17
19
20
       for (Edge& edge: G[u]) {
                                                   18
          if (edge.v == p) continue;
21
                                                   19
22
          dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                   20
23
          dfs(edge.v, u);
                                                   21
      }
24
                                                   22
25 }
26
  long long lca(int x, int y) {
       //此函數是找lca同時計算x \cdot y的距離 -> dis(x,
                                                   24
            lca) + dis(lca, y)
       //讓y比x深
                                                   25
28
       if (dep[x] > dep[y])
                                                   26
                                                   27
30
          swap(x, y);
31
       int deltaDep = dep[y] - dep[x];
                                                   28
      long long res = 0;
32
                                                   29
       //讓y與x在同一個深度
33
      for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                   30
            deltaDep >>= 1)
          if (deltaDep & 1)
35
                                                   31
              res += dis[y][i], y = fa[y][i];
36
                                                   32
37
       if (y == x) //x = y -> x \cdot y彼此是彼此的祖先
                                                   33
38
          return res;
       //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
39
                                                   35
40
      for (int i = 30; i \ge 0 && y != x; --i) {
          if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
41
                                                   36
              res += dis[x][i] + dis[y][i];
42
                                                   37
43
              x = fa[x][i];
                                                   38
44
              y = fa[y][i];
                                                   39
45
                                                   40
                                                   41
46
       //最後發現不能跳了,此時x的第2<sup>0</sup> =
            1個祖先(或說y的第2^0 =
                                                   43
            1的祖先)即為x \times y的1ca
                                                   44
48
       res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                   45
      return res;
49
                                                   46
50 }
                                                   47
51
                                                   48
  int main() {
52
     int n, q;
                                                   49
     while (~scanf("%d", &n) && n) {
53
                                                   50
                                                   51
54
      int v. w:
55
      G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   52
          for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                   53
56
        scanf("%d %d", &v, &w);
57
                                                   54
        G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
                                                   55
                                                      }
58
        G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
59
                                                   56
60
                                                   57
61
          dfs(1, 0);
                                                   58
62
          scanf("%d", &q);
                                                   59
63
          int u;
                                                   60
64
          while (q--) {
              scanf("%d %d", &u, &v);
                                                   61 }
65
              66
                                                   62
                                                   63
          }
67
                                                   64
68
    }
                                                   65
69 }
```

4.18 LCA 樹壓平 RMQ

```
1 //樹壓平求LCA RMQ(sparse table
        O(nlogn)建立, O(1)查詢), 求任意兩點距離,
   //如果用笛卡兒樹可以壓到0(n)建立,0(1)查詢
   //理論上可以過,但遇到直鏈的case dfs深度會stack
       overflow
   #define maxn 100005
  struct Edge {
   int u, v, w;
   };
  int dep[maxn], pos[maxn];
  long long dis[maxn];
  int st[maxn * 2][32]; //sparse table
  int realLCA[maxn * 2][32];
        //最小深度對應的節點,及真正的LCA
  int Log[maxn]; //取代std::log2
  int tp; // timestamp
   vector<vector<Edge>> G; // tree
   void calLog() {
    Log[1] = 0;
    Log[2] = 1;
    for (int i = 3; i < maxn; ++i)</pre>
      Log[i] = Log[i / 2] + 1;
   void buildST() {
    for (int j = 0; Log[tp]; ++j) {
      for (int i = 0; i + (1 << j) - 1 < tp;
           ++i) {
        if (st[i - 1][j] < st[i - 1][j + (1 <<
             i - 1)]) {
          st[i][j] = st[i - 1][j];
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j];
        else {
          st[i][j] = st[i - 1][j + (1 << i -
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j + (1)]
               << i - 1)];
      }
    }
34 } // O(nlogn)
  int query(int 1, int r) {// [1, r] min
        depth即為1ca的深度
    int k = Log[r - 1 + 1];
    if (st[l][k] < st[r - (1 << k) + 1][k])</pre>
      return realLCA[1][k];
    else
      return realLCA[r - (1 << k) + 1][k];</pre>
   void dfs(int u, int p) {//euler tour
    pos[u] = tp;
    st[tp][0] = dep[u];
    realLCA[tp][0] = dep[u];
    ++tp:
    for (int i = 0; i < G[u].size(); ++i) {</pre>
      Edge& edge = G[u][i];
      if (edge.v == p) continue;
      dep[edge.v] = dep[u] + 1;
      dis[edge.v] = dis[edge.u] + edge.w;
      dfs(edge.v, u);
      st[tp++][0] = dep[u];
  long long getDis(int u, int v) {
    if (pos[u] > pos[v])
      swap(u, v);
    int lca = query(pos[u], pos[v]);
    return dis[u] + dis[v] - 2 *
         dis[query(pos[u], pos[v])];
  int main() {
    int n, q;
      calLog();
    while (~scanf("%d", &n) && n) {
66
      int v, w;
      G.assign(n + 5, vector<Edge>());
```

```
Jc11
                                                                          FJCU
                                                             if (depth[top[u]] > depth[top[v]])
68
      tp = 0;
                                                  55
69
          for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                  56
                                                                u = parent[top[u]];
        scanf("%d %d", &v, &w);
70
                                                  57
                                                             else
71
        G[i].push_back({i, v, w});
                                                                 v = parent[top[v]];
72
        G[v].push_back({v, i, w});
                                                  59
73
                                                         return (depth[u] > depth[v]) ? v : u;
                                                  60
                                                  61 }
74
          dfs(0, -1);
75
          buildST();
                                                     int getK_parent(int u, int k) {
                                                  62
76
          scanf("%d", &q);
                                                  63
                                                         while (k-- && (u != -1))
77
                                                            u = parent[u];
          int u:
                                                  64
78
          while (q--) {
                                                  65
                                                         return u;
              scanf("%d %d", &u, &v);
                                                  66 }
79
              printf(\textit{"%11d%c"}, \; getDis(u, \; v), \\
80
                                                     int main() {
                                                  67
                   (q) ? ' ' : '\n');
                                                         int n;
                                                  68
                                                         while (scanf("%d", &n) && n) {
81
                                                  69
82
     }
                                                  70
                                                             dfsTime = 1;
                                                             G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                  71
83
     return 0;
                                                             for (int i = 1; i < n; ++i) {
                                                  73
                                                  74
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
   4.19 LCA 樹鍊剖分
                                                  75
                                                                 G[u].emplace_back(v);
                                                  76
                                                                G[v].emplace_back(u);
                                                  77
 1 #define maxn 5005
                                                  78
                                                             dfs1(1, -1);
   //LCA,用來練習樹鍊剖分
                                                             dfs2(1, 1);
                                                  79
   //題意: 給定樹,找任兩點的中點,
                                                  80
                                                             int q;
   //若中點不存在(路徑為even),就是中間的兩個點
                                                             scanf("%d", &q);
                                                  81
   int dfn[maxn];
                                                  82
                                                             for (int i = 0; i < q; ++i) {
   int parent[maxn];
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
                                                  83
   int depth[maxn];
                                                  84
                                                                 //先得到LCA
 8 int subtreeSize[maxn];
                                                  85
                                                                int lca = LCA(u, v);
   //樹鍊的頂點
                                                  86
                                                                 //計算路徑長(經過的邊)
10
  int top[maxn];
                                                  87
                                                                 int dis = depth[u] + depth[v] - 2
   //將dfn轉成node編碼
                                                                      * depth[lca];
  int dfnToNode[maxn];
                                                                 //讓v比u深或等於
                                                  88
   //重兒子
                                                                 if (depth[u] > depth[v])
                                                  89
14 int hson[maxn];
                                                  90
                                                                    swap(u. v):
15 int dfsTime = 1;
                                                  91
                                                                 if (u == v) {
16
   //tree
                                                                    printf("The fleas meet at
                                                  92
17
   vector<vector<int>> G:
                                                                         %d.\n", u);
   //處理parent、depth、subtreeSize、dfnToNode
                                                  93
19
   void dfs1(int u, int p) {
                                                                else if (dis % 2 == 0) {
                                                  94
20
      parent[u] = p;
                                                  95
                                                                    //路徑長是even -> 有中點
21
      hson[u] = -1;
                                                                    printf("The fleas meet at
                                                  96
22
      subtreeSize[u] = 1;
                                                                         %d.\n", getK_parent(v,
23
      for (int v: G[u]) {
                                                                         dis / 2));
24
          if (v != p) {
25
              depth[v] = depth[u] + 1;
                                                                else {
                                                  98
26
              dfs1(v, u);
                                                  99
                                                                    //路徑長是odd -> 沒有中點
27
              subtreeSize[u] += subtreeSize[v];
                                                  100
                                                                    if (depth[u] == depth[v]) {
28
              if (hson[u] == -1 ||
                                                                        int x = getK_parent(u, dis
                                                 101
                   subtreeSize[hson[u]] <</pre>
                                                                             / 2);
                   subtreeSize[v]) {
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
                                                 102
                 hson[u] = v;
29
                                                                             / 2);
              }
30
                                                 103
                                                                        if (x > y) swap(x, y);
31
          }
                                                                        printf("The fleas jump
                                                 104
      }
32
                                                                             forever between %d
33
                                                                             and %d.\n", x, y);
34
   //實際剖分 <- 參數 t是 top的意思
                                                                    }
                                                 105
   //t初始應為root本身
35
                                                                    else {
                                                 106
36
   void dfs2(int u, int t) {
                                                 107
                                                                        //技巧: 讓深的點v往上dis /
37
      top[u] = t;
                                                                             2步 = y,
38
      dfn[u] = dfsTime;
                                                                        //這個點的parent設為x
                                                 108
      dfnToNode[dfsTime] = u;
39
                                                 109
                                                                        //此時的x、y就是答案要的中點兩點
40
      ++dfsTime;
                                                                        //主要是往下不好找,所以改用深的點用parent往上
                                                 110
41
      //葉子點 -> 沒有重兒子
                                                 111
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
42
      if (hson[u] == -1)
                                                                             / 2);
43
          return;
                                                 112
                                                                        int x = getK_parent(y, 1);
44
       //優先對重兒子dfs,才能保證同一重鍊dfn連續
                                                                        if (x > y) swap(x, y);
                                                 113
45
      dfs2(hson[u], t);
                                                                        printf("The fleas jump
                                                 114
46
      for (int v: G[u]) {
                                                                             forever between %d
47
          if (v != parent[u] && v != hson[u])
                                                                             and %d.\n", x, y);
48
              dfs2(v, v);
                                                 115
                                                                    }
49
                                                 116
                                                                }
```

}

return 0;

117

118

119

120 }

}

52

53

//不斷跳鍊,當跳到同一條鍊時,深度小的即為LCA

while (top[u] != top[v]) {

//跳鍊時優先鍊頂深度大的跳

int LCA(int u, int v) {

DataStructure

5.1 BIT

```
template <class T> class BIT {
   private:
    int size;
     vector<T> bit;
    vector<T> arr;
 6
7
   public:
    BIT(int sz=0):
 8
      size(sz), bit(sz+1), arr(sz) {}
10
11
     /** Sets the value at index idx to val. */
    void set(int idx, T val) {
12
      add(idx, val - arr[idx]);
13
    }
14
15
     /** Adds val to the element at index idx.
16
17
     void add(int idx, T val) {
18
      arr[idx] += val;
19
       for (++idx; idx<=size; idx+=(idx & -idx))</pre>
20
         bit[idx] += val;
    }
21
22
     /** The sum of all values in [0, idx]. */
23
24
     T pre_sum(int idx) {
25
      T total = 0;
      for (++idx; idx>0; idx-=(idx & -idx))
26
         total += bit[idx];
27
       return total;
28
29
30 };
```

5.2 帶權併查集

```
val[x] 為 x 到 p[x] 的距離 (隨題目變化更改)
    merge(u, v, w)
         u \xrightarrow{w} v
         pu = pv 時,val[v] - val[u] \neq w 代表有誤
    若 [l,r] 的總和為 w,則應呼叫 merge(l-1, r, w)
  const int maxn = 2e5 + 10;
   int p[maxn], val[maxn];
3
   int findP(int x) {
      if(p[x] == -1) return x;
 7
       int par = findP(p[x]);
       val[x] += val[p[x]]; //依題目更新val[x]
 8
9
       return p[x] = par;
  }
10
   void merge(int u, int v, int w) {
12
13
       int pu = findP(u);
       int pv = findP(v);
14
       if(pu == pv) {
15
16
          // 理論上 val[v]-val[u] == w
          // 依題目判斷 error 的條件
17
18
          return;
19
       val[pv] = val[u] - val[v] + w;
20
21
       p[pv] = pu;
```

5.3 Trie

```
1 const int maxc = 26;
                            // 單字字符數
   const char minc = 'a'; // 首個 ASCII
   struct TrieNode {
    int cnt:
     TrieNode* child[maxc];
     TrieNode() {
10
       for(auto& node : child) {
        node = nullptr;
11
12
    }
13
15
   struct Trie {
    TrieNode* root;
17
18
19
     Trie() { root = new TrieNode(); }
20
     void insert(string word) {
      TrieNode* cur = root;
22
       for(auto& ch : word) {
23
        int c = ch - minc:
24
        if(!cur->child[c])
25
          cur->child[c] = new TrieNode();
        cur = cur->child[c];
27
28
29
      cur->cnt++;
30
31
     void remove(string word) {
32
33
       TrieNode* cur = root;
       for(auto& ch : word) {
34
35
        int c = ch - minc;
        if(!cur->child[c]) return;
36
37
        cur = cur->child[c];
38
39
      cur->cnt--;
41
42
     // 字典裡有出現 word
43
     bool search(string word, bool prefix=0) {
      TrieNode* cur = root;
44
       for(auto& ch : word) {
45
        int c = ch - minc;
46
47
        if(!(cur=cur->child[c])) return false;
48
49
      return cur->cnt || prefix;
50
51
     // 字典裡有 word 的前綴為 prefix
52
53
     bool startsWith(string prefix) {
      return search(prefix, true);
55
56 };
```

5.4 AC Trie

```
const int maxn = 1e4 + 10; // 單字字數
   const int maxl = 50 + 10; // 單字字長
   const int maxc = 128; // 單字字符數
   const char minc = ' '; // 首個 ASCII
   int trie[maxn*maxl][maxc]; // 原字典樹
   int val[maxn*maxl];
                        // 結尾(單字編號)
   int cnt[maxn*max1];
                            // 結尾(重複個數)
   int fail[maxn*maxl];
                            // failure link
                            // 同單字不重複
10
   bool vis[maxn*maxl];
12
   struct ACTrie {
13
    int seq, root;
14
15
    ACTrie() {
      seq = 0;
17
      root = newNode();
18
19
     int newNode() {
20
21
      for(int i=0; i<maxc; trie[seq][i++]=0);</pre>
      val[seq] = cnt[seq] = fail[seq] = 0;
22
23
      return seq++;
24
25
     void insert(char* s, int wordId=0) {
      int p = root;
27
28
      for(; *s; s++) {
        int c = *s - minc;
29
        if(!trie[p][c]) trie[p][c] = newNode();
30
31
        p = trie[p][c];
32
      val[p] = wordId;
33
34
      cnt[p]++;
35
36
37
     void build() {
      queue<int> q({root});
38
39
      while(!q.empty()) {
        int p = q.front();
        q.pop();
41
        for(int i=0; i<maxc; i++) {</pre>
42
          int& t = trie[p][i];
43
          if(t) {
44
45
            fail[t] = p?trie[fail[p]][i]:root;
46
           q.push(t);
47
          } else {
48
            t = trie[fail[p]][i];
49
50
        }
      }
51
52
53
54
     // 要存 wordId 才要 vec
     // 同單字重複match要把所有vis取消掉
    int match(char* s, vector<int>& vec) {
56
      int res = 0;
      memset(vis, 0, sizeof(vis));
58
      for(int p=root; *s; s++) {
        p = trie[p][*s-minc];
        for(int k=p; k && !vis[k]; k=fail[k]) {
61
          vis[k] = true;
          res += cnt[k]:
63
64
          if(cnt[k]) vec.push_back(val[k]);
65
        }
66
67
      return res; // 匹配到的單字量
    }
68
69 }:
70
71 ACTrie ac;
                 // 建構,初始化
72 ac.insert(s); // 加字典單字
73 // 加完字典後
74 ac.build();
                // !!! 建 failure link !!!
75 ac.match(s); // 多模式匹配(傳入 vec 可以存編號)
```

5.5 線段樹 1D

```
1 #define MAXN 1000
   int data[MAXN]; //原數據
   int st[4 * MAXN]; //線段樹
   int tag[4 * MAXN]; //懶標
   inline int pull(int 1, int r) {
   // 隨題目改變 sum、max、min
   // 1、r是左右樹的index
8
      return st[l] + st[r];
   }
9
10
   void build(int 1, int r, int i) {
                                                   8
   // 在[1, r]區間建樹,目前根的index為i
11
12
      if (1 == r) {
13
          st[i] = data[l];
                                                  10
14
15
16
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
17
      build(1, mid, i * 2);
                                                  12
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
18
19
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
  }
20
21
   int qry(int ql, int qr, int l, int r, int i){
   // [q1,qr]是查詢區間, [1,r]是當前節點包含的區間
22
                                                  15
23
      if (ql <= 1 && r <= qr)
                                                  16
24
          return st[i];
                                                  17
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
25
      if (tag[i]) {
26
                                                  18
27
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                  19
28
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
29
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i];
30
                                                  20
31
          tag[i*2+1] += tag[i];
                                                  21
32
          tag[i] = 0;
33
      int sum = 0;
34
                                                  22
35
      if (ql <= mid)</pre>
36
          sum+=query(ql, qr, l, mid, i * 2);
37
      if (qr > mid)
                                                  23
          sum+=query(q1, qr, mid+1, r, i*2+1);
                                                  24 }
38
39
      return sum;
                                                  25
40
  }
41
   void update(
      int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
42
                                                  27
   // [q1,qr]是查詢區間, [1,r]是當前節點包含的區間
43
44
   // c是變化量
                                                  28
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
45
                                                  29
46
          st[i] += (r - l + 1) * c;
                                                  30
               //求和,此需乘上區間長度
                                                  31
47
          tag[i] += c;
                                                  32
48
          return;
49
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
50
                                                  34
51
      if (tag[i] && 1 != r) {
52
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                  35
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
53
54
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                  36
55
          tag[i * 2] += tag[i];//下傳懶標至左節點
                                                  37 }
56
          tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
                                                  38
57
          tag[i] = 0;
58
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
           * 2, c);
                                                  40
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
60
           i*2+1, c);
                                                  41
61
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
62 }
  //如果是直接改值而不是加值, query與update中的tag與st的
63
                                                  45
                                                  46
                                                  47
                                                  48
                                                  49
```

5.6 線段樹 2D

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
 int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
  int N:
5 void modifyY(int index, int 1, int r, int
       val, int yPos, int xIndex, bool
       xIsLeaf) {
      if (1 == r) {
         if (xIsLeaf) {
             maxST[xIndex][index] =
                  minST[xIndex][index] = val;
         maxST[xIndex][index] =
              max(maxST[xIndex * 2][index],
              maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
         minST[xIndex][index] =
              min(minST[xIndex * 2][index],
              minST[xIndex * 2 + 1][index]);
      else {
         int mid = (1 + r) / 2;
         if (yPos <= mid)</pre>
             modifyY(index * 2, 1, mid, val,
                  yPos, xIndex, xIsLeaf);
             modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
                  r, val, yPos, xIndex,
                  xIsLeaf);
         maxST[xIndex][index] =
              max(maxST[xIndex][index * 2],
              maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
         minST[xIndex][index] =
              min(minST[xIndex][index * 2],
              minST[xIndex][index * 2 + 1]);
 void modifyX(int index, int 1, int r, int
       val, int xPos, int yPos) {
      if (1 == r) {
         modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
              true):
      else {
         int mid = (1 + r) / 2;
         if (xPos <= mid)</pre>
             modifyX(index * 2, 1, mid, val,
                  xPos, yPos);
             modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                  r, val, xPos, yPos);
         modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
              false);
  void queryY(int index, int 1, int r, int
       yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,
       int &vmin) {
      if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
         vmax = max(vmax,
              maxST[xIndex][index]);
         vmin = min(vmin,
              minST[xIndex][index]);
     }
     else
         int mid = (1 + r) / 2;
         if (yql <= mid)</pre>
             queryY(index * 2, 1, mid, yql,
                  yqr, xIndex, vmax, vmin);
         if (mid < yqr)</pre>
             queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                  yql, yqr, xIndex, vmax,
                  vmin):
```

}

50

```
51 }
   void queryX(int index, int 1, int r, int
52
        xql, int xqr, int yql, int yqr, int&
        vmax, int& vmin) {
       if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>
53
           queryY(1, 1, N, yql, yqr, index,
54
                vmax. vmin):
55
56
       else {
           int mid = (1 + r) / 2;
57
58
           if (xql <= mid)</pre>
              queryX(index * 2, 1, mid, xql,
59
                    xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
           if (mid < xqr)</pre>
60
61
              queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                    xql, xqr, yql, yqr, vmax,
                    vmin);
      }
62
63
  }
   int main() {
64
       while (scanf("%d", &N) != EOF) {
65
          int val;
66
67
           for (int i = 1; i <= N; ++i) {
68
              for (int j = 1; j <= N; ++j) {</pre>
                  scanf("%d", &val);
69
70
                  modifyX(1, 1, N, val, i, j);
              }
71
          }
72
           int q;
73
74
           int vmax, vmin;
           int xql, xqr, yql, yqr;
75
76
           char op;
           scanf("%d", &q);
77
78
           while (q--) {
              getchar(); //for \n
79
              scanf("%c", &op);
80
81
              if (op == 'q') {
                   scanf("%d %d %d %d", &xql,
82
                       &yql, &xqr, &yqr);
83
                  vmax = -0x3f3f3f3f;
                  vmin = 0x3f3f3f3f;
84
                  queryX(1, 1, N, xql, xqr,
                        yql, yqr, vmax, vmin);
                  printf("%d %d\n", vmax, vmin);
86
87
              }
              else {
88
                  scanf("%d %d %d", &xql, &yql,
                        &val);
90
                  modifyX(1, 1, N, val, xql,
                        yql);
              }
91
          }
92
      }
93
94
       return 0;
95 }
```

5.7 權值線段樹

```
//權值線段樹 + 離散化 解決區間第k小問題
   //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
   #define maxn 30005
   int nums[maxn];
   int getArr[maxn];
   int id[maxn];
   int st[maxn << 2];</pre>
   void update(int index, int 1, int r, int qx){
       if (1 == r) {
10
           ++stΓindex1:
11
           return:
12
       int mid = (1 + r) / 2;
13
                                                     12
14
       if (qx <= mid)</pre>
          update(index * 2, 1, mid, qx);
15
16
           update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
17
       st[index] = st[index * 2] + st[index * 2
18
                                                     16
19 }
                                                     17
20
   //找區間第k個小的
   int query(int index, int 1, int r, int k) {
                                                     18
       if (1 == r) return id[1];
22
                                                     19
       int mid = (1 + r) / 2;
23
                                                     20
       //k比左子樹小
24
                                                     21
25
       if (k <= st[index * 2])
26
           return query(index * 2, 1, mid, k);
                                                     23
27
28
           return query(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                     25
                r, k - st[index * 2]);
                                                     26
   }
                                                     27
   int main() {
                                                     28
30
31
       int t;
                                                     29 }
       cin >> t;
32
33
       bool first = true;
       while (t--) {
34
35
           if (first) first = false;
36
           else puts("");
                                                     32
           memset(st, 0, sizeof(st));
37
                                                     33
38
           int m, n;
39
           cin >> m >> n;
                                                     35
40
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
41
              cin >> nums[i];
                                                     36
              id[i] = nums[i];
                                                     37
42
43
           for (int i = 0; i < n; ++i)
44
                                                     39
45
              cin >> getArr[i];
                                                     40
46
                                                     41
           //防止m == 0
47
                                                     42
48
           if (m) sort(id + 1, id + m + 1);
           int stSize = unique(id + 1, id + m +
49
                                                     43
                1) - (id + 1);
50
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                     45
              nums[i] = lower_bound(id + 1, id
51
                    + stSize + 1, nums[i]) - id;
                                                     46
                                                     47 }
52
           int addCount = 0;
53
54
           int getCount = 0;
55
           int k = 1;
           while (getCount < n) {</pre>
56
              if (getArr[getCount] == addCount)
57
                                                     51
                  printf("%d\n", query(1, 1,
58
                                                     53
                       stSize, k));
59
                  ++getCount;
                                                     55
60
              }
61
62
                                                     56
63
                  update(1, 1, stSize,
                       nums[addCount + 1]);
                                                     58
64
                   ++addCount;
65
                                                     59
           }
                                                     60
66
67
       }
                                                     61
```

62

//不應該跑到這

return -1;

5.8 ChthollyTree

```
1 //重點: 要求輸入資料隨機, 否則可能被卡時間
  struct Node {
      long long l, r;
      mutable long long val;
      Node(long long 1, long long r, long long
          : 1(1), r(r), val(val){}
      bool operator<(const Node& other) const {</pre>
          return this->1 < other.1;</pre>
10 };
11 set<Node> chthollyTree;
   //將[1, r] 拆成 [1, pos - 1], [pos, r]
  set<Node>::iterator split(long long pos) {
      //找第一個左端點大於等於pos的區間
      set<Node>::iterator it =
           chthollyTree.lower_bound(Node(pos,
           0, 0));
      //運氣很好直接找到左端點是pos的區間
      if (it != chthollyTree.end() && it->l ==
          return it:
      //到這邊代表找到的是第一個左端點大於pos的區間
      //it - 1即可找到左端點等於pos的區間
      //(不會是別的,因為沒有重疊的區間)
      long long l = it->l, r = it->r;
      long long val = it->val;
      chthollyTree.erase(it);
      chthollyTree.insert(Node(1, pos-1, val));
      //回傳左端點是pos的區間iterator
      return chthollyTree.insert(Node(pos, r,
           val)).first;
30 //區問賦值
31 void assign(long long 1, long long r, long
       long val) {
      //<注意>
      //end與begin的順序不能調換,因為end的split可能會改
      //因為end可以在原本begin的區間中
                                                12
      set<Node>::iterator end = split(r + 1),
                                                13
           begin = split(1);
                                                14
      //begin到end全部刪掉
      chthollyTree.erase(begin, end);
      //填回去[1, r]的區間
                                                16
      chthollyTree.insert(Node(1, r, val));
                                                17
                                                18
  //區間加值(直接一個個區間去加)
                                                19
  void add(long long 1, long long r, long long
       val) {
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
                                                21
      set<Node>::iterator begin = split(1);
                                                22
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
                                                23
           != end; ++it)
                                                24
          it->val += val;
                                                25
                                                26
   //查詢區間第k小 -> 直接把每個區間丟去vector排序
                                                27
  long long getKthSmallest(long long l, long
                                                28
       long r, long long k) {
                                                29
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
                                                30
      set<Node>::iterator begin = split(1);
                                                31
      //pair -> first: val, second: 區間長度
                                                32
      vector<pair<long long, long long>> vec;
                                                33
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
                                                34
           != end; ++it) {
                                                35
          vec.push_back({it->val, it->r - it->l
                                                36
                                                37
                                                38
      sort(vec.begin(), vec.end());
                                                39
      for (const pair<long long, long long>&
                                                40
          p: vec) {
                                                41
          k -= p.second;
         if (k <= 0) return p.first;</pre>
                                                43
      }
                                                44
```

```
64 }
65 //快速冪
66 long long qpow(long long x, long long n,
        long long mod) {
       long long res = 1;
67
       x \% = mod;
68
       while (n) {
69
70
          if (n & 1) res = res * x % mod;
71
          n >>= 1;
          x = x * x % mod;
72
73
74
       return res;
75 }
76 //區間n次方和
   long long sumOfPow(long long 1, long long r,
77
        long long n, long long mod) {
78
       long long total = 0;
       set<Node>::iterator end = split(r + 1);
       set<Node>::iterator begin = split(1);
80
       for (set<Node>::iterator it = begin; it
81
            != end; ++it) {
          total = (total+qpow(it->val,n,mod) *
82
                (it->r-it->l+1))%mod;
83
84
       return total;
85 }
```

5.9 單調隊列

45

getmax();

```
1 //單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"
  example:
  給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #define maxn 1000100
 int q[maxn], a[maxn];
 int n, k;
  //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
  void getmin() {
     int head=0,tail=0;
     for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
         while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
              tail---
         q[++tail]=i;
     for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
         while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
              tail--:
         q[++tail]=i;
         while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
         cout<<a[g[head]]<<" ";
     cout<<endl;</pre>
 }
  // 和上面同理
  void getmax() {
     int head=0,tail=0;
     for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
         while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
         q[++tail]=i;
     for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
         while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
         q[++tail]=i;
         while(g[head]<=i-k) head++:</pre>
         cout<<a[q[head]]<<" ";</pre>
     }
     cout<<endl;</pre>
 int main(){
     cin>>n>>k; //每k個連續的數
     for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
     getmin():
```

Geometry

公式 6.1

1. Circle and Line

點 $P(x_0, y_0)$

到直線 L:ax+by+c=0 的距離

$$d(P, L) = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

兩平行直線 $L_1: ax + by + c_1 = 0$

與 $L_2: ax + by + c_2 = 0$ 的距離

$$d(L_1, L_2) = \frac{|c_1 - c_2|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

2. Triangle

設三角形頂點為 $A(x_1,y_1), B(x_2,y_2), C(x_3,y_3)$ 6.2 Template

點 A, B, C 的對邊長分別為 a, b, c

三角形面積為 Δ

重心為
$$(G_x,G_y)$$
,內心為 (I_x,I_y) ,
外心為 (O_x,O_y) 和垂心為 (H_x,H_y)

$$\Delta = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$$

$$G_x = \frac{1}{3} (x_1 + x_2 + x_3)$$

$$G_y = \frac{1}{3} (y_1 + y_2 + y_3)$$

$$I_x = \frac{ax_1 + bx_2 + cx_3}{a + b + c}$$

$$I_y = \frac{ay_1 + by_2 + cy_3}{a + b + c}$$

$$O_x = \frac{1}{4\Delta} \begin{vmatrix} x_1^2 + y_1^2 & y_1 & 1\\ x_2^2 + y_2^2 & y_2 & 1\\ x_3^2 + y_3^2 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$$

$$O_y = \frac{1}{4\Delta} \begin{vmatrix} x_1 & x_1^2 + y_1^2 & 1\\ x_2 & x_2^2 + y_2^2 & 1\\ x_3 & x_3^2 + y_3^2 & 1 \end{vmatrix}$$

$$H_x = -\frac{1}{2\Delta} \begin{vmatrix} x_2x_3 + y_2y_3 & y_1 & 1 \\ x_1x_3 + y_1y_3 & y_2 & 1 \\ x_1x_2 + y_1y_2 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$$

$$H_y = -\frac{1}{2\Delta} \begin{vmatrix} x_1 & x_2x_3 + y_2y_3 & 1 \\ x_2 & x_1x_3 + y_1y_3 & 1 \\ x_3 & x_1x_2 + y_1y_2 & 1 \end{vmatrix}$$

任意三角形,重心、外心、垂心共線

$$G_x = \frac{2}{3}O_x + \frac{1}{3}H_x$$
$$G_y = \frac{2}{3}O_y + \frac{1}{3}H_y$$

3. Quadrilateral

任意凸四邊形 ABCD 的四邊長分別為 a,b,c,d且已知 $\angle A + \angle C$,則四邊形 ABCD 的面積為

$$\sqrt{(s-a)(s-b)(s-c)(s-d)-\Delta}$$

where

$$s = \frac{a+b+c+d}{2}$$

$$\Delta = abcd\cos^2\left(\frac{A+C}{2}\right)$$

特例:若 ABCD 為圓內接四邊形,則 $\Delta=0$

若只知道其中一角,則可用餘弦定理

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos(\angle C)$$

求出對角線長,再用海龍計算兩個三角形面積即可。

Predefined Variables

```
1 using DBL = double;
2 using Tp = DBL; // 存點的型態
4 const DBL pi = acos(-1);
5 const DBL eps = 1e-9;
6 const Tp inf = 1e30;
7 const int maxn = 5e4 + 10;
```

Vector Point

```
1 struct Vector {
    Tp x, y;
    Vector(Tp x=0, Tp y=0): x(x), y(y) {}
    DBL length();
   using Point = Vector;
  using Polygon = vector<Point>;
10 Vector operator+(Vector a, Vector b) {
   return Vector(a.x+b.x, a.y+b.y);
11
13
  Vector operator-(Vector a, Vector b) {
    return Vector(a.x-b.x, a.y-b.y);
16
18 Vector operator*(Vector a, DBL b) {
    return Vector(a.x*b, a.y*b);
22 | Vector operator/(Vector a, DBL b) {
   return Vector(a.x/b, a.y/b);
25
   Tp dot(Vector a, Vector b) {
27
    return a.x*b.x + a.y*b.y;
28 }
   Tp cross(Vector a, Vector b) {
30
31
    return a.x*b.y - a.y*b.x;
32
33
34 DBL Vector::length() {
   return sqrt(dot(*this, *this));
35
36
37
38 Vector unit_normal_vector(Vector v) {
    DBL len = v.length();
    return Vector(-v.y/len, v.x/len);
```

```
Line
```

```
struct Line {
 Point p:
  Vector v;
 DBL ang;
 Line(Point _p={}, Vector _v={}) {
   ang = atan2(v.y, v.x);
 bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
   return ang < 1.ang;</pre>
```

Segment

```
struct Segment {
 Point s, e;
 Vector v;
 Segment(): s(0, 0), e(0, 0), v(0, 0) {}
  Segment(Point s, Point e): s(s), e(e) {
DBL length() { return v.length(); }
```

Circle

```
struct Circle {
    Point o;
    DBL r;
    Circle(): o({0, 0}), r(0) {}
    Circle(Point o, DBL r=0): o(o), r(r) {}
    Circle(Point a, Point b) { // ab 直徑
      o = (a + b) / 2;
      r = dis(o, a);
10
    Circle(Point a, Point b, Point c) {
11
      Vector u = b-a, v = c-a;
      DBL c1=dot(u, a+b)/2, c2=dot(v, a+c)/2;
12
      DBL dx=c1*v.y-c2*u.y, dy=u.x*c2-v.x*c1;
      o = Point(dx, dy) / cross(u, v);
14
      r = dis(o, a);
15
16
    bool cover(Point p) {
      return dis(o, p) <= r;</pre>
```

6.3 旋轉卡尺

```
// 回傳凸包內最遠兩點的距離 ^2
  int longest_distance(Polygon& p) {
    auto test = [&](Line 1, Point a, Point b) {
     return cross(l.v,a-l.p)<=cross(l.v,b-l.p);</pre>
    if(p.size() <= 2) {
      return cross(p[0]-p[1], p[0]-p[1]);
    int mx = 0, n = p.size();
10
    for(int i=0, j=1; i<n; i++) {</pre>
      Line l(p[i], p[(i+1)%n] - p[i]);
      for(;test(1,p[j],p[(j+1)%n]);j=(j+1)%n);
12
13
14
        dot(p[(i+1)%n]-p[j], p[(i+1)%n]-p[j]),
15
16
        dot(p[i]-p[j], p[i]-p[j])
17
      });
19
    return mx;
```

6.4 半平面相交

```
Template
  using DBL = double;
  using Tp = DBL;
                               // 存點的型態
  const int maxn = 5e4 + 10;
  const DBL eps = 1e-9;
  struct Vector;
  using Point = Vector;
  using Polygon = vector<Point>;
  Vector operator+(Vector, Vector);
  Vector operator-(Vector, Vector);
  Vector operator*(Vector, DBL);
  Tp cross(Vector, Vector);
  struct Line;
13 Point intersection(Line, Line);
14 int dcmp(DBL, DBL);
                               // 不見得會用到
               Halfplane Intersection
  // Return: 能形成半平面交的凸包邊界點
```

```
Polygon halfplaneIntersect(vector<Line>&nar){
     sort(nar.begin(), nar.end());
     // p 是否在 1 的左半平面
     auto lft = [&](Point p, Line 1) {
      return dcmp(cross(l.v, p-l.p)) > 0;
 8
 9
     int ql = 0, qr = 0;
10
     Line L[maxn] = {nar[0]};
     Point P[maxn];
12
     for(int i=1; i<nar.size(); i++) {</pre>
13
       for(; ql<qr&&!lft(P[qr-1],nar[i]); qr--);</pre>
14
       for(; ql<qr&&!lft(P[ql],nar[i]); ql++);</pre>
15
16
       L[++qr] = nar[i];
17
       if(dcmp(cross(L[qr].v,L[qr-1].v))==0) {
         if(lft(nar[i].p,L[--qr])) L[qr]=nar[i];
18
19
20
21
         P[qr-1] = intersection(L[qr-1], L[qr]);
22
     for(; ql<qr && !lft(P[qr-1], L[ql]); qr--);</pre>
23
     if(qr-ql <= 1) return {};</pre>
24
     P[qr] = intersection(L[qr], L[ql]);
25
     return Polygon(P+q1, P+qr+1);
26
```

6.5 Polygon

```
1 // 判斷點 (point) 是否在凸包 (p) 內
   bool pointInConvex(Polygon& p, Point point) {
     // 根據 Tp 型態來寫,沒浮點數不用 dblcmp
    auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
     // 不包含線上,改 '>=' 為 '>'
    auto test = [&](Point& p0, Point& p1) {
      return dblcmp(cross(p1-p0, point-p0))>=0;
 8
9
    p.push_back(p[0]);
     for(int i=1; i<p.size(); i++) {</pre>
10
      if(!test(p[i-1], p[i])) {
11
12
        p.pop_back();
13
        return false;
      }
14
15
    p.pop_back();
16
17
    return true;
18
  }
19
20
   // 計算簡單多邊形的面積
   // ! p 為排序過的點 !
21
   DBL polygonArea(Polygon& p) {
    DBL sum = 0;
23
24
     for(int i=0, n=p.size(); i<n; i++)</pre>
      sum += cross(p[i], p[(i+1)%n]);
25
26
    return abs(sum) / 2.0;
```

6.6 凸包

```
• Tp 為 Point 裡 x 和 y 的型態
       · struct Point 需要加入並另外計算的 variables:
         1. ang, 該點與基準點的 atan2 值
         2. d2, 該點與基準點的 (距離)<sup>2</sup>
       · 注意計算 d2 的型態範圍限制
                       Template
1 using DBL = double;
 2 using Tp = long long;
                                   // 存點的型態
  const DBL eps = 1e-9;
   const Tp inf = 1e9;
                                   // 座標極大值
 5 struct Vector;
 6 using Point = Vector;
  using Polygon = vector<Point>;
  Vector operator-(Vector, Vector);
9 Tp cross(Vector, Vector);
10 int dcmp(DBL, DBL);
                     Convex Hull
1 Polygon convex_hull(Point* p, int n) {
     auto rmv = [](Point a, Point b, Point c) {
      return cross(b-a, c-b) <= 0; // 非浮點數
       return dcmp(cross(b-a, c-b)) <= 0;</pre>
     // 選最下裡最左的當基準點,可在輸入時計算
     Tp lx = inf, ly = inf;
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
       if(p[i].y<ly || (p[i].y==ly&&p[i].x<lx)){</pre>
        1x = p[i].x, 1y = p[i].y;
11
12
     }
13
14
15
     for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
      p[i].ang=atan2(p[i].y-ly,p[i].x-lx);
16
       p[i].d2 = (p[i].x-lx)*(p[i].x-lx) +
                (p[i].y-ly)*(p[i].y-ly);
18
19
     sort(p, p+n, [&](Point& a, Point& b) {
20
       if(dcmp(a.ang, b.ang))
21
22
        return a.ang < b.ang;</pre>
       return a.d2 < b.d2;</pre>
23
24
25
     int m = 1;  // stack size
Point st[n] = {p[n] = p[0]};
26
27
     for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
28
       for(;m>1&&rmv(st[m-2],st[m-1],p[i]);m--);
      st[m++] = p[i];
30
     return Polygon(st, st+m-1);
   6.7 最小圓覆蓋
```

```
1 | vector<Point> p(3); // 在圓上的點
   Circle MEC(vector<Point>& v, int n, int d=0){
    Circle mec;
    if(d == 1) mec = Circle(p[0]);
    if(d == 2) mec = Circle(p[0], p[1]);
    if(d == 3) return Circle(p[0], p[1], p[2]);
    for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
      if(mec.cover(v[i])) continue;
8
      p[d] = v[i];
10
      mec = MEC(v, i, d+1);
11
12
    return mec;
13 }
```

6.8 交點、距離

```
1 int dcmp(DBL a, DBL b=0.0) {
     if(abs(a-b) < eps) return 0;</pre>
     return a<b ? -1 : 1;</pre>
   bool hasIntersection(Point p, Segment s) {
 5
     if(dcmp(cross(s.s-p, s.e-p))) return false;
 6
    return dcmp(dot(s.s-p, s.e-p)) <= 0;</pre>
   bool hasIntersection(Point p, Line 1) {
10
    return dcmp(cross(p-1.p, 1.v)) == 0;
11
12
   bool hasIntersection(Segment a, Segment b) {
    // 判斷在 X 軸 Y 軸的投影是否相交
13
     auto intr1D=[](DBL w, DBL x, DBL y, DBL z){
       if(w > x) swap(w, x);
15
16
       if(y > z) swap(y, z);
       return dcmp(max(w, y), min(x, z)) \le 0;
17
18
19
     DBL a1 = cross(a.v, b.s-a.s);
20
21
     DBL a2 = cross(a.v, b.e-a.s);
     DBL b1 = cross(b.v, a.s-b.s);
22
     DBL b2 = cross(b.v, a.e-b.s);
23
24
     return intr1D(a.s.x, a.e.x, b.s.x, b.e.x)
25
        && intr1D(a.s.y, a.e.y, b.s.y, b.e.y)
26
        && dcmp(a1) * dcmp(a2) <= 0
27
28
        && dcmp(b1) * dcmp(b2) <= 0;
29
   Point intersection(Segment a, Segment b) {
30
     Vector v = b.s - a.s;
     DBL c1 = cross(a.v, b.v);
32
33
     DBL c2 = cross(v, b.v);
     DBL c3 = cross(v, a.v);
34
35
     if(dcmp(c1) < 0) c1=-c1, c2=-c2, c3=-c3;
     if(dcmp(c1) && dcmp(c2)>=0 && dcmp(c3)>=0
37
       && dcmp(c1, c2)>=0 && dcmp(c1, c3)>=0)
38
39
       return a.s + (a.v * (c2 / c1));
     return Point(inf, inf); // a 和 b 共線
40
41
  }
   Point intersection(Line a, Line b) {
42
     // cross(a.v, b.v) == 0 時平行
43
     Vector u = a.p - b.p;
44
     DBL t = 1.0 \times cross(b.v, u)/cross(a.v, b.v);
45
    return a.p + a.v*t;
46
47
48
   DBL dis(Point a, Point b) {
    return sqrt(dot(a-b, a-b));
49
   }
   DBL dis(Point p, Line 1) {
51
52
    return abs(cross(p-1.p, 1.v))/1.v.length();
53
54
   DBL dis(Point p, Segment s) {
     Vector u = p - s.s, v = p - s.e;
     if(dcmp(dot(s.v, u))<=0) return u.length();</pre>
56
     if(dcmp(dot(s.v, v))>=0) return v.length();
57
     return abs(cross(s.v, u)) / s.length();
58
59 }
   DBL dis(Segment a, Segment b) {
     if(hasIntersection(a, b)) return 0;
61
     return min({
62
       dis(a.s, b), dis(a.e, b),
63
       dis(b.s, a), dis(b.e, a)
64
65
66
67
   DBL dis(Line a, Line b) {
    if(dcmp(cross(a.v, b.v)) == 0) return 0;
68
69
    return dis(a.p, b);
70 }
71
   Point getPedal(Line 1, Point p) {
   // 返回 p 在 1 上的垂足(投影點)
72
    DBL len = dot(p-1.p, 1.v) / dot(1.v, 1.v);
73
    return 1.p + 1.v * len;
```

7 DP

7.1 背包

複雜度: O(NW)

複雜度: O(NV)

0-1 背包

價值為主的 0-1 背包

```
已知: 第 i 個物品重量為 w_i,價值 v_i;物品最大總價值 V
   意義: dp[前 i 個物品][價值] = 最小重量
   maxn: 物品數量
   maxv: 物品最大總價值
   V = \Sigma v_i
 1 int w[maxn], v[maxn];
   int dp[maxv];
  memset(dp, 0x3f, sizeof(dp));
   dp[0] = 0;
   for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
    for(int j=V; j>=v[i]; j--) {
      dp[j] = min(dp[j], dp[j-v[i]]+w[i]);
9
10 }
11
12
   int res = 0;
   for(int val=V; val>=0; val--) {
13
14
    if(dp[val] <= w) {</pre>
15
      res = val;
16
      break;
17
    }
18 }
```

完全背包(無限背包)

```
複雑度: O(NW)

已知: 第 i 個物品重量為 w<sub>i</sub>,價值 v<sub>i</sub>;背包總容量 W
意義: dp[前 i 個物品][重量] = 最高價值
maxn: 物品數量
maxw: 背包最大容量

1 int W;
int w[maxn], v[maxn];
int dp[maxw];
4 memset(dp, 0, sizeof(dp));
6 for(int i=1; i<=n; i++) {
7 for(int j=w[i]; j<=W; j++) {
8 dp[j] = max(dp[j], dp[j-w[i]]+v[i]);
```

10 }

多重背包

```
複雜度: O(W\Sigma cnt_i)
  已知: 第 i 個物品重量為 w_i,價值 v_i,有 cnt_i 個;
        背包總容量 W
  意義: dp[前 i 個物品][重量] = 最高價值
  maxn: 物品數量
  maxw: 背包最大容量
2 int w[maxn], v[maxn], cnt[maxn];
3 int dp[maxw];
  memset(dp, 0, sizeof(dp));
5
6
  for(int i=1; i<=n; i++)</pre>
   for(int j=W; j>=w[i]; j--)
     for(int k=1; k*w[i]<=j&&k<=cnt[i]; k++)</pre>
       dp[j] = max(dp[j], dp[j-k*w[i]]+k*v[i]);
              混合背包 (0-1/完全/多重)
  複雜度: O(W\Sigma cnt_i)
  已知: 第 i 個物品重量為 w_i,價值 v_i,有 cnt_i 個;
        背包總容量 W
  意義: dp[前 i 個物品][重量] = 最高價值
```

maxn: 物品數量

maxw: 背包最大容量 $cnt_i=0$ 代表無限

18 }

10

```
int w[maxn], v[maxn], cnt[maxn];
   int dp[maxw];
   memset(dp, 0, sizeof(dp));
   for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
     if(cnt[i]) {
       for(int j=W; j>=w[i]; j--) {
         for(int k=1;k*w[i]<=j&&k<=cnt[i];k++) {</pre>
           dp[j]=max(dp[j],dp[j-k*w[i]]+k*v[i]);
10
11
12
      }
13
     } else {
       for(int j=w[i]; j<=W; j++) {</pre>
14
15
         dp[j] = max(dp[j], \ dp[j-w[i]] + v[i]);
16
    }
17
```

二維費用背包

```
複雜度: O(NCT)
 已知: 第 k 個任務需要花費 c_k 元,耗時 t_k 分鐘;
       總經費 C,總耗時 T
 意義: dp[前 k 個任務][花費][耗時] = 最多任務數
 maxc: 最大花費
 maxt: 最大耗時
1 int C, T;
 int c[maxn], t[maxn];
3 int dp[maxc][maxt];
 memset(dp, 0, sizeof(dp));
5
6
 for(int k=1; k<=n; k++)</pre>
   for(int i=C; i>=c[k]; i--)
     for(int j=T; j>=t[k]; j--)
       dp[i][j] = max(
```

dp[i][j], dp[i-c[k]][j-t[k]] + 1);

分組背包

```
複雜度: O(W\Sigma M)
   已知: 第 i 組第 j 個物品重量為 w_{ij},價值 v_{ij};
         背包總容量 W;每組只能取一個
   意義: dp[前 i 組物品][重量] = 最高價值
   maxn: 物品組數
   maxm: 每組物品數
   maxw: 背包最大容量
1 int W:
  int dp[maxw];
  vector<vector<int>> w, v;
   memset(dp, 0, sizeof(dp));
   for(int i=0; i<n; i++)</pre>
6
    for(int j=W; j>=0; j--)
      for(int k=0; k<w[i].size(); k++)</pre>
        if(j \ge w[i][k])
9
10
          dp[j] = max(
           dp[j], dp[j-w[i][k]] + v[i][k]);
11
```

依賴背包

泛化物品的背包

7.2 Range DP

```
1 //區間dp
   int dp[55][55];
   // dp[i][j] -> [i,j] 切割區間中最小的 cost
   int cuts[55];
   int solve(int i, int j) {
      if (dp[i][j] != -1)
          return dp[i][j];
       //代表沒有其他切法,只能是cuts[j] - cuts[i]
 8
      if (i == j - 1)
10
          return dp[i][j] = 0;
      int cost = 0x3f3f3f3f;
11
12
      for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
          //枚舉區間中間切點
13
14
          cost = min(cost, solve(i, m) +
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
15
16
      return dp[i][j] = cost;
17
18
   }
19
   int main() {
      int 1.n:
20
      while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
21
          scanf("%d", &n);
22
23
          for (int i = 1; i <= n; ++i)
             scanf("%d", &cuts[i]);
24
          cuts[0] = 0;
25
          cuts[n + 1] = 1;
26
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
27
28
          printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
29
30
      return 0:
31 }
```

7.3 Deque 最大差距

```
1 /*定義 dp[1][r]是1 ~ r時與先手最大差異值
    轉移式: dp[l][r] = max{a[l] - solve(l + 1,
         r), a[r] - solve(1, r - 1)}
    裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,
    所以正負正負...*/
  #define maxn 3005
  bool vis[maxn][maxn];
  long long dp[maxn][maxn];
  long long a[maxn];
   long long solve(int 1, int r) {
10
      if (1 > r) return 0;
11
      if (vis[l][r]) return dp[l][r];
      vis[1][r] = true;
12
      long long res = a[1] - solve(1 + 1, r);
13
      res = max(res, a[r] - solve(l, r - 1));
15
      return dp[1][r] = res;
16
  }
17
  int main() {
18
      printf("%l1d\n", solve(1, n));
```

7.4 string DP

```
Edit distance S_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2
                                                     \begin{array}{l} \text{if } j = -1 \\ \text{if } i = -1 \end{array}
   dp[i,j] = \left\{ \begin{array}{c} dp[i-1,j-1], \\ dp[i-1,j-1], \\ dp[i-1,j] \end{array} \right.
                                                     \text{if } S_1[i] = S_2[j] \\
                                           Longest Palindromic Subsequence
                    dp[l+1,r-1]
                                                   if S[l] = S[r] 11
                 \max\{dp[l+1,r],dp[l,r-1]\} if S[l] \neq S[r] 12
   7.5 Barcode
1 int N, K, M;
```

```
2 long long dp[55][55];
   // n -> 目前剩多少units
 4 // k -> 目前剩多少bars
 5 // m -> 1 bar最多多少units
 6 long long dfs(int n, int k) {
      if (k == 1) {
          return (n <= M);</pre>
      if (dp[n][k] != -1)
10
11
          return dp[n][k];
       long long result = 0;
12
       for (int i = 1; i < min(M + 1, n); ++i)</pre>
13
           { // < min(M + 1, n)是因為n不能==0
          result += dfs(n - i, k - 1);
15
16
       return dp[n][k] = result;
17 }
18 int main() {
19
       while (scanf("%d %d %d", &N, &K, &M) !=
           FOF) {
20
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
          printf("%11d\n", dfs(N, K));
21
22
```

7.6 LCS 和 LIS

23 }

```
1 //LCS 和 LIS 題目轉換
2 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
    2. 對 A.B 做 LCS
  LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
    3. 對 B 做 LIS
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
       越早出現的數字要越小
10
11
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
       直接忽略這個數字不做轉換即可
```

7.7 樹 DP 有幾個 path 長度為 k

```
1 #define maxn 50005
  #define maxk 505
  //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
   long long dp[maxn][maxk];
  vector<vector<int>>> G;
  int n, k;
7 long long res = 0;
   void dfs(int u, int p) {
10
      dp[u][0] = 1;
      for (int v: G[u]) {
          if (v == p)
             continue;
13
14
          dfs(v, u);
          for (int i = 1; i \le k; ++i) {
15
             //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
16
17
             dp[u][i] += dp[v][i - 1];
          }
18
19
      //統計在u子樹中距離u為k的數量
20
21
      res += dp[u][k];
      long long cnt = 0;
22
      for (int v: G[u]) {
23
        if (v == p)
24
         continue; //重點算法
25
        for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
27
28
            dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
29
30
31
      res += cnt / 2;
32 }
33
  int main() {
34
35
      dfs(1, -1);
      printf("%11d\n", res);
36
37
      return 0;
38 }
```

7.8 抽屜

```
1 long long dp[70][70][2];
  // 初始條件
  dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
  for (int i = 2; i <= 66; ++i){
      // i個抽屜0個安全且上方0 =
      // (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
      // (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
      dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
      for (int j = 1; j <= i; ++j) {
         dp[i][j][0] =
10
           dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];
11
         dp[i][i][1] =
12
           dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];
13
14
15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
```

7.9 TreeDP reroot

7.10 WeightedLIS

```
/*re-root\ dp\ on\ tree\ O(n+n+n)\ ->\ O(n)*/
                                                      1 #define maxn 200005
   class Solution {
                                                      2 long long dp[maxn];
   public:
                                                        long long height[maxn];
 3
       vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
                                                        long long B[maxn];
            vector<vector<int>>& edges) {
                                                      5 long long st[maxn << 2];</pre>
           this->res.assign(n, 0);
                                                        void update(int p, int index, int 1, int r,
           G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                             long long v) {
 7
           for (vector<int>& edge: edges) {
                                                            if (1 == r) {
 8
              G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
                                                                st[index] = v;
 9
              G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
                                                      9
                                                                return:
10
                                                     10
11
           memset(this->visited, 0,
                                                     11
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
                sizeof(this->visited));
                                                            if (p <= mid)
                                                     12
12
           this->dfs(0);
                                                     13
                                                                update(p, (index << 1), 1, mid, v);
           memset(this->visited, 0,
13
                                                     14
                sizeof(this->visited));
                                                                update(p, (index << 1)+1,mid+1,r,v);
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
                                                            st[index] =
                                                     16
           memset(this->visited, 0,
                                                     17
                                                              max(st[index<<1],st[(index<<1)+1]);</pre>
15
                sizeof(this->visited));
                                                     18 }
           this->dfs3(0, n);
                                                        long long query(int index, int 1, int r, int
                                                     19
16
17
           return this->res;
                                                             ql, int qr) {
       }
                                                            if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
18
                                                     20
19
   private:
                                                     21
                                                               return st[index];
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
20
       vector<vector<int>> G;
                                                     22
       bool visited[30005];
                                                            long long res = -1;
21
                                                     23
       int subtreeSize[30005];
                                                            if (ql <= mid)</pre>
22
       vector<int> res;
23
                                                     25
                                                                res =
24
       //求subtreeSize
                                                     26
                                                                 max(res,query(index<<1,1,mid,q1,qr));</pre>
25
       int dfs(int u) {
                                                     27
                                                            if (mid < qr)</pre>
                                                                res =
           this->visited[u] = true;
26
                                                     28
27
           for (int v: this->G[u])
                                                     29
                                                                 max(res,query((index<<1)+1,mid+1,r,ql,qr));</pre>
              if (!this->visited[v])
                                                            return res;
28
                                                     30
29
                  this->subtreeSize[u] +=
                                                     31
                                                     32 int main() {
                        this->dfs(v);
30
                                                            int n;
                                                     33
                                                            scanf("%d", &n);
31
           this->subtreeSize[u] += 1;
32
           return this->subtreeSize[u];
                                                     35
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                                scanf("%11d", &height[i]);
33
       //求res[0], 0到所有點的距離
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)
34
                                                     37
       int dfs2(int u, int dis) {
                                                               scanf("%11d", &B[i]);
35
           this->visited[u] = true;
36
                                                     39
                                                            long long res = B[1];
37
           int sum = 0;
                                                     40
                                                            update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
38
           for (int v: this->G[u])
                                                     41
                                                            for (int i = 2; i <= n; ++i) {
              if (!visited[v])
                                                               long long temp;
39
                                                     42
                  sum += this -> dfs2(v, dis + 1);
                                                                if (height[i] - 1 >= 1)
40
41
           //要加上自己的距離
                                                                    temp =
42
           return sum + dis;
                                                                     B[i]+query(1,1,n,1,height[i]-1);
                                                     45
43
                                                     46
       //算出所有的res
                                                                    temp = B[i];
                                                     47
44
45
       void dfs3(int u, int n) {
                                                     48
                                                                update(height[i], 1, 1, n, temp);
           this->visited[u] = true;
                                                                res = max(res, temp);
46
                                                     49
           for (int v: this->G[u]) {
47
                                                     50
48
              if (!visited[v]) {
                                                     51
                                                            printf("%11d\n", res);
49
                  this->res[v] = this->res[u] +
                                                            return 0;
                                                     52
                        n - 2 *
                        this->subtreeSize[v];
                   this->dfs3(v, n);
50
              }
51
52
53
       }
54 };
```

22

8 DP List

<u> </u> 	! !	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
i !	 	i ! !	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
 	 	 	 	 	 	 	 	! ! ! !	 	 	 	
! !	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
<u> </u> 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	

	Jc11						FJCU							23
77 78		 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 	 I	 I	I
79 80	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
81 82 83		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
84 85	<u>i</u>	i 	i 	i 	 	 	 	 	 		i 	 	 	i -
86 87 88	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
89 90	<u>'</u>	. <u>'</u> 	. <u>'</u> 	<u>'</u> 	<u>'</u> 	<u>'</u> 	' 	' 	: 	' 	' 	' 	' 	:
91 92	 	 	 	 	 	 	 	 	 	[[
93 94 95		 	 	 	 	 	 	 		 	 	 	 	
96 97	<u>i</u>	i 	i 	i 	 	 	 	 	 		i 	 	 	i -
98 99 100	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
101 102	<u>'</u>	. <u>'</u> 	. <u>'</u> 	<u>'</u> 	<u>'</u> 	<u>'</u> 	' 	' 	: 	' 	' 	' 	' 	:
103 104		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
105 106 107	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
108 109		İ 	İ 	İ 	İ 	 	 	 	 	İ 	i 	i 	İ 	İ -
110 111 112	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
113 114		. <u>.</u>	: 	<u>.</u>	<u>.</u> 	<u>.</u> I	 I	 I	: I	<u>.</u> 	: 	 I	 	: I
115 116 117		 	 	 	 	 	 	 	 	 		 	 	 -
118 119	1	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
120 121		 	l 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 - -
122 123 124	1	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
125 126	I	. <u>.</u> 	I		<u>.</u> 	 I	 I	 I	: I	<u>.</u> 	: 	 I	 I	: I
127 128 129		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 -
130 131	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
132 133		 	 	 	 	 	 	 	 	 		 	 	 -
134 135 136	1	 	! 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
137 138	 	. <u>. </u>	: !	<u>:</u> !	<u> </u>	 !	 !	 !	: !	<u>.</u> !	!	 !	!	!
139 140 141		 	 	 	 	 	 	 	 	 		 	 	 - -
142 143	 	 	1 1	1 1	 	 	 	 	 	[[
144 145		 	 	 	 	 '	 '	 !	 !	 		 	 	 -
146 147 148	 	 	 	 	 	 	 	1 	1 	 	 	 	1 	!
149 150	!	 !	 !	 !	 !	 ! :	 !	 :	 :	 ! :	 !	 ! :	 !	[
151 152 153		 	 	 	 	 	 	 <i></i>	 	 	 	 	 	
154														

c11						FJCU						
	I I	 	 	Į I	 	 	 	 	 	I I	 	
	i 	 	 	 	 	 	 	 		 	 	
	 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	 	l 	l 	l
	l I	 	 	 	 -	 -	 -	 -	 	 	 -	
	 	 	 	 	 '	 	 	 	 		 '	
		। : ।	 	 	I I	I I	I I	। · I	 	 	ı I	। : ।
	i	 	 	 	 	' 	 	 	 	 	 	
				 	 	- 				i	- 	
	!	! !	! !	! !	 !	 !	! !	! !	 !	!	 !	! !
	i 	 	 	 	' 	' 	 	' 	 	 	' 	,
	l I	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
		l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l
	l !	 	 	 	 -	 	 -	 -		 	 -	
	 	 !	 	 	 !	 	 	 !	 	 	 !	 · !
		! 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
		' ' I	' I	' I	' I	' I	' I	' I	' I	' 	' I	' ' I
	i	 	 	 	 	 	 	 	 	i I	 	
	 I	 I	 I	 	 I	 I	 I	 I	 	 I	 I	 I
	 	 	 	[[[[
	ļ	 		 	 !	 	 	 !	 		 !	
	I I	 	 	[[
	i 				 	' 	 	 		!	' 	
	l I	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
		l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l 	l
		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	l
		 	 	[
	 	I 	I 	I 	I 	I 	l 	l 	l 	I 	l 	I

-	Jc11						FJCU							25
33	 	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	 I	I	I
35 36		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
37 38 39		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
40 41	 	 	 		 	 	 	 	 	 	<u> </u>	İ 	l	l
42 43 44		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
45 46	:: 	' 	' 	 	<u>'</u> 	<u>'</u> 	' 	' 	: 	<u>.</u> 	' 	' 		: 1
47 48	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	l I
49 50 51		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
52 53	i 	 	 		 	 	 	 	 	 	i 	i 	l 	İ
54 55 56		 -	 -	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
57 · 58	' 	' 	' 	' 	' 	' 	' 	' 	! ! 	' I	 	' 		!
59 60		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
61 62 63	 	 	 	 	 	 	 	 		 	 	 	 	
64 65	i 	 	i 	i 	 	 	 	i 		i 	i 	i 	i 	İ
66 67 68		 -	 	 	 	 -	 	 -	 	 	 	 	 	
69 70	' 	' 	' 	 	<u>.</u> 	' 	' 	' 	: 	' I	' 	' 		: I
71 72	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
73 74 75		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
76 77 -	İ İ	 	 	İ 	İ 	 	 	 	 	İ 	İ	İ	İ	İ
78 79 80		 -	 	 	 	 -	 	 -	 	 	 	 	 	
81 · 82	' 	' 	' 	 	<u>.</u> 	' 	' 	' 	: 	' I	' 	' 		: I
83 84	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
85 - 86 87		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
88 89 -	i 	 	 	i 	 	 	 	i 	 		i 	i 	İ	i
90 91 92	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
93 · 94	 	 I	' I	 	<u>.</u> I	 I	 I	' I	: I	<u>.</u> I	: 	' I	I	: I
95 96		 	 	 	 	 	 	 	 	 		 	 	
97 98 99		 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
00 01 -		l 	 	l 	l 	 	l 	l 	l 	l 	I	l 	l 	l
02 03 04		 	 	 	 	 	 	 	 -	 	 	 	 	
05 - 06	 	 I	' I	<u>.</u> 	 	 I	 I	' I	: 	<u>.</u> I	<u>.</u> I	<u>.</u> I	I	: I
07 08	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	 	
99 -														