Contents	
1	ubuntu 1.1 run
2	Basic 2.1 ascii
3	字串 3.1 最長迴文子字串
4	STL 4.1 priority_queue 4.2 deque 4.3 map 4.4 unordered_map 4.5 set 4.6 multiset 4.7 unordered_set 4.8 單調隊列
5	sort 5.1 大數排序
6	math 6.1 質數與因數
7	algorithm 7.1 basic 7.2 binary search 7.3 prefix sum 7.4 差分 7.5 greedy 7.6 floyd warshall 7.7 dinic 7.8 SegmentTree 7.9 Nim Game 7.10 Trie 7.11 SPFA
8	動態規劃 8.1 LCS 和 LIS
9	Section2 9.1 thm

1 ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

2 Basic

2.1 ascii

```
1 int
               char
                         int
                                   char
                                             int
                                                       char
     32
                         64
                                   @
                                             96
   3
     33
                         65
                                             97
   4
     34
                         66
                                   R
                                             98
                                                      b
   5
     35
               #
                         67
                                             99
                                   С
                                                       С
                                             100
   6
     36
               $
                         68
                                   ח
                                                       d
     37
                         69
                                   Ε
                                             101
                                                       e
1
   8
     38
                         70
                                   F
                                             102
   9
     39
                         71
                                   G
                                             103
  10
     40
               (
                         72
                                   Н
                                             104
  11
     41
               )
                         73
                                   Ι
                                             105
                                                      i
  12
     42
                         74
                                   J
                                             106
                                                       i
1
  13
     43
                         75
                                   Κ
                                             107
2
     44
                         76
                                             108
                                                      1
  14
                                   L
2
  15
     45
                         77
                                   Μ
                                             109
                                                      m
  16
     46
                         78
                                             110
                                   Ν
                                                      n
2 17
                         79
                                             111
                                                      0
2
               a
                                             112
  18
     48
                         80
                                   P
  19
     49
               1
                         81
                                   0
                                             113
                                                       q
3
  20
     50
               2
                         82
                                   R
                                             114
3
  21
     51
               3
                         83
                                             115
                                   S
                                                       s
3
  22
     52
               4
3
  23
     53
               5
                         85
                                   IJ
                                             117
3
  24
     54
                                   V
                                             118
               6
                         86
3
  25
     55
               7
                         87
                                   W
                                             119
                                             120
  26
     56
               8
                         88
                                   Χ
  27
     57
               9
                         89
                                             121
4
  28
                         90
                                             122
     58
                                   7
4
  29
     59
                         91
                                   Ε
                                             123
                                                      {
  30
     60
                         92
                                             124
  31
     61
                         93
                                             125
                                                      }
                                   7
5
  32 62
               >
                         94
                                             126
5
  33 63
               ?
                         95
5
```

2.2 limits

```
1 [Type]
                     [size]
                                  [range]
  char
                                127 to -128
                       1
  signed char
                                127 to -128
  unsigned char
                       1
                                0 to 255
                                32767 to -32768
  short
                       2
6 int
                                2147483647 to -2147483648
                       4
                       4
                                0 to 4294967295
7
  unsigned int
8
  long
                       4
                                2147483647 to -2147483648
                                0 to 18446744073709551615
  unsigned long
                       4
9
10 long long
11
              9223372036854775807 to -9223372036854775808
12
  double
                       8
                            1.79769e+308 to 2.22507e-308
13
  long double
                       16
                            1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14 float
                       4
                               3.40282e+38 to 1.17549e-38
15 unsigned long long
                                0 to 18446744073709551615
16 string
                       32
```

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
  using namespace std;
  string s;
5
  int n;
8
  int ex(int 1,int r){
    int i=0;
10
    while (1-i)=0&r+i<0&T(1-i)=T(r+i) i++;
11
    return i;
12 }
13
14
  int main(){
    cin>>s;
```

```
16
     n=2*s.size()+1;
17
     int mx=0:
     int center=0;
18
     vector<int> r(n);
19
20
     int ans=1;
21
     r[0]=1;
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
23
       int ii=center-(i-center);
       int len=mx-i+1;
24
       if(i>mx){
25
26
         r[i]=ex(i,i);
          center=i;
27
28
          mx=i+r[i]-1;
29
30
       else if(r[ii]==len){
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
31
          center=i;
32
33
          mx=i+r[i]-1;
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
       ans=max(ans,r[i]);
36
37
     cout << ans -1 << "\n";
38
     return 0;
39
40 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
6 while(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
2
  讀取優先權最高的值:
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
     pq.pop();
  判斷是否為空的priority_queue:
                            //回傳 true
     pq.empty()
7
     pq.size()
                            //回傳@
8
9
  如需改變priority_queue的優先權定義:
                           //預設由大到小
10
     priority_queue <T> pq;
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
11
12
                            //改成由小到大
13
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp
```

4.2 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
     (Standard Template Library, STL)
2
     中的雙向佇列容器(Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N), 但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back() //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
             //取出 deque 最尾端的元素
12 dq.back()
13 dq.front()
             //回傳 deque 最開頭的元素
```

```
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
16
    position: 插入元素的 index 值
17
    n: 元素插入次數
    val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
              //清空整個 deque 佇列。
20 dq.clear()
              //檢查 deque 的尺寸
21 dq.size()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
22 dq.empty()
               若是存在任何元素,則返回0
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
25 dq.end()
               不是最後一個元素,
26
               而是最後一個元素的下一個位置
27
```

4.3 map

```
1 map:存放 key-value pairs 的映射資料結構,
       會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
6
7| begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
  end():回傳指向map末尾的迭代器
  rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
  rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
10
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
  取value:it->second 或 (*it).second
14
15
16|容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 | 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
27 查找
  count():回傳指定元素出現的次數
28
  find(): 查找一個元素
29
31
  //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
33
  int main(){
34
      //declaration container and iterator
35
36
      map<string, string> mp;
37
      map<string, string>::iterator iter;
38
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
      //insert element
41
      mp.insert(pair<string, string>
             ("r000", "student_zero"));
42
43
      mp["r123"] = "student_first";
      mp["r456"] = "student_second";
44
45
46
      //traversal
47
      for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
48
         cout << iter -> first << " '
49
                    <<iter->second<<endl;
50
      for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
         cout << iter_r -> first << "
51
             "<<iter_r->second<<endl;
```

```
52
       //find and erase the element
53
       iter=mp.find("r123");
54
       mp.erase(iter);
55
       iter=mp.find("r123");
56
       if(iter!=mp.end())
57
          cout << "Find, the value is "</pre>
58
59
                     <<iter->second<<endl;
       else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
60
61
       return 0:
62 }
```

4.4 unordered_map

```
1 | unordered_map: 存放 key-value pairs2 | 的「無序」映射資料結構。3 | 用法與map相同
```

4.5 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
3
  取值: 使用iterator
4
     x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
      x = *st.rbegin():
6
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
9
  判斷是否為空的set:
10
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
      st.count(x);
14
      auto it = st.find(x);
15
         // binary search, O(log(N))
16
      auto it = st.lower_bound(x);
17
18
         // binary search, O(log(N))
19
      auto it = st.upper_bound(x);
         // binary search, O(log(N))
20
```

4.6 multiset

```
      1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。

      2 資料由小到大排序。

      3 宣告:

      4 multiset<int> st;

      5 刪除資料:

      6 st.erase(val);

      7 //會刪除所有值為 val 的元素。

      8 st.erase(st.find(val));

      9 //只刪除第一個值為 val 的元素。
```

4.7 unordered_set

```
1unordered_set的實作方式通常是用雜湊表(hash table),2資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),3相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,4無自動排序功能。5unordered_set判斷元素是否存在7unordered_setj8myunordered_set.insert(2);9myunordered_set.insert(4);10myunordered_set.insert(6);11cout<</td>"\n"; // 112cout<</td>myunordered_set.count(8)<</td>"\n"; // 0
```

4.8 單調隊列

```
1 // 單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
3
5
6
  給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 1000100
10
11
  using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
13
  int n, k;
14
15
  void getmin() {
16
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
17
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
           q[++tail]=i;
20
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
23
24
           q[++tail]=i;
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
26
           cout << a[q[head]] << " ";
      }
27
28
       cout << end1;
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
       int head=0,tail=0;
32
33
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
37
      for(int i=k:i<=n:i++) {</pre>
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
38
39
           q[++tail]=i;
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
           cout << a [q[head]] << " ";
      }
42
      cout << end1;</pre>
43
44
  }
45
46
  int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
48
      for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
49
       getmin();
50
       getmax();
51
       return 0;
52 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
1 #python 大數排序
  while True:
3
    try:
     n = int(input())
                              # 有幾筆數字需要排序
6
     arr = []
                              # 建立空串列
     for i in range(n):
7
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
      arr.sort()
                              # 串列排序
9
      for i in arr:
10
                           # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
     break
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
5 for(int i=2;i*i<=n;i++){
6
       if(isprime[i])
7
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
8 }
9
10|歐拉篩0(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
16
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
17
       for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
18
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
19
20
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
24
       }
25
  }
26
27
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
  int GCD(int a, int b){
28
       if(b==0) return a;
29
       return GCD(b,a%b);
30
31 }
32
33 質因數分解
  void primeFactorization(int n){
34
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
35
           if(p[i]*p[i]>n) break;
36
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
39
40
       if(n!=1) cout << n << ' ';
41
       cout << '\n';
42
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 //ax+by=GCD(a,b)
47 #include <bits/stdc++.h>
48 using namespace std;
49
50
  int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y){
51
       if(b==0){
52
           x=1. v=0:
53
           return a;
       }
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
       y-=a/b*x;
56
57
       return d;
58 }
59
  int main(){
60
61
       int a,b,x,y;
62
       cin>>a>>b;
63
       ext_euc(a,b,x,y);
       cout << x << ' '<< y << end1;
64
65
       return 0;
66 }
67
68
69
70|歌德巴赫猜想
```

```
71 solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
72 #include <iostream>
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75
   int ox[N],p[N],pr;
76
   void PrimeTable(){
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
       pr=0;
       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
79
           if(!ox[i]) p[pr++]=i;
80
81
           for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
               ox[i*p[j]]=1;
83
       }
   }
84
85
   int main(){
86
87
       PrimeTable();
88
       int n;
89
       while(cin>>n,n){
90
           int x;
           for(x=1;;x+=2)
91
92
               if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
           printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
94
       }
95
   }
96
   problem : 給定整數 N,
97
           求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
   如果 N 是質數,則答案為 1。
98
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
101
   #include < bits / stdc ++ . h>
102
   using namespace std;
104
   bool isPrime(int n){
105
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
106
107
           if(i*i>n) return true;
108
           if(n%i==0) return false;
109
110
       return true;
111 }
112
113
   int main(){
114
       int n:
       cin>>n;
115
       if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
116
117
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<< "2\n";</pre>
       else cout << "3\n";</pre>
118
119 }
```

6.2 快速冪

```
1 計算a^b
  #include < iostream >
  #define ll long long
  using namespace std;
6
  const 11 MOD=1000000007;
  11 fp(ll a, ll b) {
8
       int ans=1;
9
       while(b>0){
10
            if(b&1) ans=ans*a%MOD;
            a=a*a%MOD:
11
            b>>=1;
12
       }
13
14
       return ans:
15 }
16
17
  int main() {
18
    int a,b;
19
     cin>>a>>b;
     cout << fp(a,b);</pre>
20
21 }
```

6.3 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
  int phi(){
3
4
      int ans=n;
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
5
          if(n%i==0){
7
              ans=ans-ans/i;
8
              while(n%i==0) n/=i;
9
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
10
11
      return ans;
12 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
11
            如果不存在,則回傳 last 。
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
14
upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
17
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
21 prev_permutation(first, last)
```

7.2 binary search

```
1 int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
      int left=0, right=nums.size()-1;
2
      while(left<=right){</pre>
          int mid=(left+right)/2;
          if (nums[mid]>target) right=mid-1;
          else if(nums[mid]<target) left=mid+1;</pre>
          else return mid+1;
7
      }
9
      return 0;
10 }
11
12 lower_bound(a, a + n, k);
                                //最左邊 ≥ k 的位置
13 upper_bound(a, a + n, k);
                                //最左邊 > k 的位置
| 14 | upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
15 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
16 (lower_bound, upper_bound)
                              //等於 k 的範圍
17 equal_range(a, a+n, k);
```

7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
2 陣列前n項的和。
3 b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ ··· +a[i]
4 區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
```

```
#include < bits / stdc++.h>
6
  using namespace std;
  int main(){
8
       int n;
10
       cin>>n;
       int a[n],b[n];
11
12
       for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
       b[0]=a[0];
13
       for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
15
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<< ' ';</pre>
       cout << '\n';
16
17
       int 1, r;
       cin>>l>>r:
18
19
       cout <<b[r]-b[1-1]; //區間和
20 }
```

7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5|給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8|在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
  最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
12 #include <bits/stdc++.h>
13
  using namespace std;
  int a[1000], b[1000];
14
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
15
  int main(){
16
      int n, 1, r, v;
17
      cin >> n;
18
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
19
20
          cin >> a[i];
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
22
23
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
24
      b[r+1] -= v;
25
26
27
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
28
          b[i] += b[i-1];
          cout << b[i] << ' ';
29
30
      }
31 }
```

7.5 greedy

```
1 // 貪心
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
 確認無誤再實作。
7
10 刪數字問題
11 //problem
12 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
13 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
15
 //solution
16 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
17
18
```

```
95 每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
19 //code
  int main(){
20
                                                         96
      string s;
21
                                                         97
                                                           //code
      int k;
22
                                                         98
                                                           struct Line{
23
      cin>>s>>k;
                                                         99
                                                                int L,R;
24
      for(int i=0;i<k;++i){</pre>
                                                         100
                                                               bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
          if((int)s.size()==0) break;
                                                                    return R<rhs.R;</pre>
25
                                                        101
26
          int pos =(int)s.size()-1;
                                                         102
          for(int j=0; j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
27
                                                        103
                                                           };
              if(s[j]>s[j+1]){
28
                                                         104
29
                  pos=i:
                                                        105
                                                           int main(){
                  break:
                                                               int t;
30
                                                        106
              }
                                                                cin>>t;
31
                                                         107
          }
                                                                Line a[30];
32
                                                        108
33
          s.erase(pos,1);
                                                         109
                                                                while(t--){
                                                                   int n=0:
34
                                                        110
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
                                                                   while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
35
                                                        111
                                                                       ++n;
36
          s.erase(0,1);
                                                        112
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
37
                                                                   sort(a,a+n);
                                                        113
38
      else cout << 0 << '\n';
                                                                   int ans=1,R=a[0].R;
                                                        114
                                                                   for(int i=1;i<n;i++){</pre>
39 }
                                                        115
40
                                                        116
                                                                       if(a[i].L>=R){
41
                                                        117
                                                                           ++ans;
42 最小區間覆蓋長度
                                                                           R=a[i].R;
                                                        118
                                                                       }
                                                        119
43 //problem
                                                                   }
                                                        120
44 | 給定 n 條線段區間為 [Li, Ri],
                                                         121
                                                                   cout << ans << '\n';
  請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
45
                                                               }
                                                        122
46
                                                         123
                                                           }
47
  //solution
                                                         124
48 先將所有區間依照左界由小到大排序,
                                                        125
49 對於當前區間 [Li, Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                        126 最小化最大延遲問題
50 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
                                                        127 //problem
51
                                                         128 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
52 //problem
                                                         129 期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0,Fi-Di),
53 長度 n 的直線中有數個加熱器,
                                                           原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
54 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                                           求一種工作排序使 maxLi 最小。
  問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
55
                                                        132
56
                                                        133
                                                            //solution
57
  //solution
                                                           按照到期時間從早到晚處理。
                                                        134
58| 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
                                                        135
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
59
                                                        136
                                                           //code
60
                                                        137
                                                           struct Work{
61
  //code
                                                        138
                                                                int t, d;
  int main(){
62
                                                                bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
                                                        139
63
      int n, r;
                                                        140
                                                                   return d<rhs.d;</pre>
64
      int a[1005];
                                                         141
      cin>>n>>r:
65
                                                        142 };
66
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
                                                        143
      int i=1, ans=0;
67
                                                           int main(){
                                                         144
68
      while(i<=n){</pre>
                                                        145
                                                               int n;
          int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
69
                                                               Work a[10000];
                                                        146
          int nextR=-1;
70
                                                        147
                                                               cin>>n;
71
          for(int j=R;j>=L;--j){
                                                                for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                        148
              if(a[j]){
72
                                                         149
                                                                   cin>>a[i].t>>a[i].d;
73
                  nextR=i:
                                                               sort(a.a+n):
                                                        150
74
                  break;
                                                                int maxL=0,sumT=0;
                                                        151
              }
75
                                                        152
                                                                for(int i=0;i<n;++i){</pre>
76
          }
                                                        153
                                                                   sumT+=a[i].t;
77
          if(nextR==-1){
                                                        154
                                                                   maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
78
              ans=-1;
                                                               }
                                                        155
79
              break;
                                                               cout << maxL << '\n';</pre>
                                                        156
80
          }
                                                        157 }
81
          ++ans;
                                                        158
82
          i=nextR+r;
                                                        159
      }
83
                                                        160 最少延遲數量問題
84
      cout << ans << '\n';
                                                        161 //problem
85
                                                        162 | 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
86
                                                           期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                        163
87
                                                        164
88 最多不重疊區間
                                                        165
                                                           //solution
89
  //problem
                                                        166 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序,
90 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
                                                        167 依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
91 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                           就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                        168
92
                                                        169
93 //solution
                                                           上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
94 依照右界由小到大排序,
                                                        170
```

```
171
   //problem
172
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
173
175 //solution
176 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
  工作處裡時長 → 烏龜重量
177
   工作期限 → 烏龜可承受重量
178
   多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
179
180
181
   //code
182
  struct Work{
183
      int t, d;
184
      bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
185
          return d<rhs.d;</pre>
186
187
  };
188
   int main(){
189
190
       int n=0;
      Work a[10000];
191
192
      priority_queue < int > pq;
193
       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
194
          ++n:
195
       sort(a,a+n);
      int sumT=0,ans=n;
196
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
197
198
          pq.push(a[i].t);
199
          sumT+=a[i].t;
200
          if(a[i].d<sumT){</pre>
201
              int x=pq.top();
              pq.pop();
203
              sumT -= x;
204
               --ans;
205
          }
206
      cout << ans << '\n';
207
208
  | }
209
  任務調度問題
210
211
  //problem
212 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
213 期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
   請問最少會受到多少單位懲罰。
214
215
216 //solution
217 依照懲罰由大到小排序,
218 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
219 如果有空閒就放進去,否則延後執行。
220
   //problem
221
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
222
   期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
       單位獎勵,
   請問最多會獲得多少單位獎勵。
224
225
   //solution
226
227 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
228
229
   //code
230
   struct Work{
      int d,p;
231
232
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
233
          return p>rhs.p;
234
235
  };
236
   int main(){
237
      int n;
238
239
      Work a[100005];
      bitset<100005> ok;
240
      while(cin>>n){
241
          ok.reset();
242
243
          for(int i=0:i<n:++i)
244
              cin>>a[i].d>>a[i].p;
```

```
245
              sort(a,a+n);
              int ans=0;
246
247
              for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                   int j=a[i].d;
248
249
                   while(j--)
250
                       if(!ok[j]){
                             ans+=a[i].p;
251
252
                             ok[j]=true;
253
                             break;
254
255
              }
              cout << ans << '\n';
256
257
        }
258 }
```

7.6 floyd warshall

```
1 int w[n][n];
  int d[n][n];
3
  int medium[n][n];
  // 由i點到j點的路徑,其中繼點為medium[i][j]。
6
  void floyd_warshall(){
    for(int i=0;i<n;i++)</pre>
7
8
      for(int j=0;j<n;j++){</pre>
        d[i][j]=w[i][j];
9
10
        medium[i][j]=-1;
         // 預設為沒有中繼點
11
12
13
    for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
14
    for(int k=0; k<n; k++)</pre>
15
      for(int i=0:i<n:i++)</pre>
        for(int j=0;j<n;j++)</pre>
16
          if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
17
18
            d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
19
             medium[i][j]=k;
             // 由 i 點走到 j 點經過了 k 點
20
21
          }
22
23
  // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
24
                                   // 印出最短路徑
  void find_path(int s,int t){
25
    if(medium[s][t]==-1) return; // 沒有中繼點就結束
26
                                   // 前半段最短路徑
27
    find_path(s,medium[s][t]);
28
    cout << medium[s][t];</pre>
                            // 中繼點
                                   // 後半段最短路徑
29
    find_path(medium[s][t],t);
30 }
```

7.7 dinic

```
#include <stdio.h>
  #include <string.h>
  #include <queue>
  #define MAXNODE 105
  #define oo 1e9
  using namespace std;
  int nodeNum;
  int graph[MAXNODE][MAXNODE];
9
  int levelGraph[MAXNODE];
10
11
  bool canReachSink[MAXNODE];
12
13
  bool bfs(int from, int to){
       memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
14
15
       levelGraph[from]=1;
16
       queue < int > q;
      q.push(from);
17
       int currentNode;
18
19
       while(!q.empty()){
20
           currentNode=q.front();
21
           q.pop();
           for(int nextNode=1;nextNode<=nodeNum</pre>
```

```
23
                                     ;++nextNode){
                                                               10 int v[N]; //原數列
               if((levelGraph[nextNode]==0)&&
                                                                  node* build(int 1,int r){
24
                                                               11
25
                    graph[currentNode][nextNode]>0){
                                                                       if(l+1==r) return new node(v[1]);
                                                               12
                    levelGraph[nextNode]=
26
                                                               13
                                                                       int mid=(1+r)/2;
27
                        levelGraph[currentNode]+1;
                                                               14
                                                                       return new node(build(1,mid),build(mid,r));
28
                    q.push(nextNode);
                                                               15
                                                                  }
29
                                                               16
30
               if((nextNode==to)&&
                                                               17
                                                                  void modify(node* a, int 1, int r, int pos, int k){
                    (graph[currentNode][nextNode]>0))
31
                                                               18
                                                                       //把 pos位置的值换成 k
32
                    return true:
                                                                       if(l+1==r){a->val=k; return;};
                                                               19
33
           }
                                                                       int mid=(1+r)/2;
                                                               20
       }
                                                                       if(pos<mid) modify(a->1,1,mid,pos,k);
34
                                                               21
35
       return false;
                                                               22
                                                                       else modify(a->r,mid,r,pos,k);
36 }
                                                               23
                                                                      a->pull();
37
  int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
                                                               24 }
       if(from == to) return bottleNeck;
38
                                                               25
       int outFlow = 0;
39
                                                                  int query(node* a, int 1, int r, int q1, int qr){
                                                               26
       int flow;
40
                                                                       //查詢[q1,qr)範圍的最小值
                                                               27
       for(int nextNode=1; nextNode <= nodeNum; ++ nextNode){</pre>
41
                                                               28
                                                                       if(r<=ql||qr<=l) return inf;</pre>
42
           if((graph[from][nextNode]>0)&&
                                                               29
                                                                       if(ql<=l&&r<=qr) return a->val;
               (levelGraph[from]==levelGraph[nextNode]-1)&&30
43
                                                                       int mid=(1+r)/2;
               canReachSink[nextNode]){
44
                                                                       return min(query(a->1,1,mid,q1,qr),
               flow=dfs(nextNode, to,
45
                                                                                    query(a->r,mid,r,ql,qr));
                   min(graph[from][nextNode],bottleNeck)); 33|
46
47
               graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
               graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
48
49
               outFlow+=flow:
                                                                  7.9
                                                                        Nim Game
               bottleNeck -= flow;
50
51
           }
52
           if(bottleNeck==0) break;
                                                                1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
53
                                                                  //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
54
       if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
                                                                  //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
55
       return outFlow;
56 }
                                                                  #include <bits/stdc++.h>
57
                                                                6
                                                                  #define maxn 23+5
  int dinic(int from, int to){
58
                                                                  using namespace std;
59
       int maxFlow=0;
       while(bfs(from, to)){
60
                                                                  int SG[maxn]:
61
           memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
                                                                  int visited[1000+5];
           maxFlow += dfs(from, to, oo);
62
                                                               11
                                                                  int pile[maxn],ans;
63
                                                               12
64
       return maxFlow;
                                                               13
                                                                  void calculateSG(){
65 }
                                                               14
                                                                       SG [0]=0:
66
                                                               15
                                                                       for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
67
  int main(){
                                                               16
                                                                           int cur=0;
       int from, to, edgeNum;
68
                                                               17
                                                                           for(int j=0; j<i; j++)</pre>
       int NetWorkNum = 1;
69
                                                               18
                                                                               for(int k=0; k<=j; k++)</pre>
70
       int maxFlow;
                                                                                    visited[SG[j]^SG[k]]=i;
                                                               19
       while(scanf("%d",&nodeNum)!=EOF&&nodeNum!=0){
71
                                                               20
                                                                           while(visited[cur]==i) cur++;
72
           memset(graph, 0, sizeof(graph));
                                                                           SG[i]=cur;
                                                               21
           scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
73
                                                               22
                                                                      }
74
           int u, v, w;
                                                                  }
                                                               23
           for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){</pre>
75
                                                               24
               scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
76
                                                               25
                                                                  int main(){
77
               graph[u][v] += w;
                                                                       calculateSG();
                                                               26
78
               graph[v][u] += w;
                                                               27
                                                                       int Case=0.n:
           }
79
                                                               28
                                                                       while(cin>>n,n){
           maxFlow = dinic(from, to);
80
                                                               29
                                                                         ans=0;
           printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
я1
                                                               30
                                                                         for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
82
           printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
                                                                         for(int i=1;i<=n;i++) if(pile[i]&1)</pre>
                                                               31
83
       }
                                                                             ans^=SG[n-i];
       return 0:
84
                                                                         cout << "Game "<<++Case << ": ";
                                                               32
85 }
                                                               33
                                                                         if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";</pre>
                                                               34
                                                                         else{
                                                               35
                                                                           bool flag=0;
  7.8 SegmentTree
                                                               36
                                                                           for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
                                                               37
                                                                             if(pile[i]){
                                                               38
                                                                               for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
1
  struct node{
                                                               39
                                                                                 for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
2
       int val;
                                                               40
                                                                                   if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
       node *1.*r:
3
                                                               41
                                                                                      cout << i - 1 << " " << j - 1 << " " << k - 1 << endl;
       node(int v=0):val(v){};
                                                               42
                                                                                      flag=1;
5
       node(node* 1, node* r):1(1),r(r){pull();}
                                                               43
                                                                                      break;
6
       void pull(){val=min(1->val,r->val);}
                                                               44
                                                                                   }
7
       //1->val就是(*1).val,注意.的優先順序比*還高
                                                               45
```

46

47

if(flag) break;

8

```
if(flag) break;
48
              }
49
50
            }
51
         }
52
53
       return 0;
54 }
55
56
  /*
57
   input
58 4 1 0 1 100
59 3 1 0 5
60 2 2 1
61 0
62
  output
63 Game 1: 0 2 3
64 Game 2: 0 1 1
65 Game 3: -1 -1 -1
66 */
```

7.10 Trie

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define word_maxn 4000*100+5
3 #define str_maxn 300000+5
4 #define sigma_num 26
5 #define MOD 20071027
6 using namespace std;
8 int dp[str_maxn];
  char S[str_maxn];
10 char wd[100+5];
11
12
  struct Trie{
       int ch[word_maxn][sigma_num];
13
       int val[word_maxn];
14
       int seq;
15
       void init(){
16
17
           seq=1;
18
           memset(ch,0,sizeof(ch));
19
       void insertion(char *s){
20
21
            int row=0,n=strlen(s);
22
           for(int i=0;i<n;i++){</pre>
23
                int letter_no=s[i]-'a';
24
                if(ch[row][letter_no]==0){
                    ch[row][letter_no]=seq;
25
26
                    memset(ch[seq],0,sizeof(ch[seq]));
27
                    val[seq++]=0;
28
                }
                row=ch[row][letter_no];
29
           }
30
31
           val[row]=n;
32
33
       void find_prefix(char *s,int len,vector<int>&vc){
34
           int row=0;
            for(int i=0;i<len;i++){</pre>
35
36
                int letter_no=s[i]-'a';
                if(ch[row][letter_no]==0) return;
37
38
                row=ch[row][letter_no];
39
                if(val[row]) vc.push_back(val[row]);
40
           }
41
       }
42
  }tr;
43
  int main(){
44
45
       int Case=1;
       while(cin>>S){
46
47
           int n:
48
           cin>>n;
           tr.init():
49
50
            for(int i=0;i<n;i++){</pre>
51
                cin>>wd;
52
                tr.insertion(wd);
           }
53
           memset(dp,0,sizeof(dp));
54
```

```
55
            int N=strlen(S);
56
            dp ΓN l=1:
57
            for(int i=N-1;i>=0;i--){
                vector<int> vc;
58
59
                 tr.find_prefix(S+i,N-i,vc);
60
                 for(int j=0;j<vc.size();j++)</pre>
                     dp[i]=(dp[i]+dp[i+vc[j]])%MOD;
61
62
            }
63
            cout << "Case "<<Case++<<": "<<dp[0]<<endl;</pre>
64
65
       return 0;
  }
66
67
68
69
   input
70
  abcd
71
  a b cd ab
72
   output
73
74
  Case 1: 2
75
  */
```

SPFA 7.11

```
1 void spfa(int s){
     for(int i=0;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f;</pre>
     dis[s]=0, vis[s]=1,q[1]=s;
3
4
    int i, v, head=0, tail=1;
5
     while(head<tail){</pre>
                             //隊列非空
6
      head++;
                           //取隊首元素
7
      v=q[head];
      vis[v]=0;
8
9
       for(i=0;i<=n;i++) //對所有頂點
10
          if(a[v][i]>0&&dis[i]>dis[v]+a[v][i]){
11
           dis[i]=dis[v]+a[v][i];//修改最短路
           if(vis[i]==0){
12
13
             tail++
14
             q[tail]=i;
15
             vis[i]=1;
           }
16
17
          }
18
    }
19
20 }
```

動態規劃

LCS 和 LIS 8.1

20

```
1 //最長共同子序列(LCS)
 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
3
  C 同時為 A,B 的子序列。
4
 //最長遞增子序列 (LIS)
5
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
7
 //LCS 和 LIS 題目轉換
9
 LIS 轉成 LCS
10
11
    1. A 為原序列, B=sort(A)
12
    2. 對 A,B 做 LCS
13
 LCS 轉成 LIS
14
    1. A, B 為原本的兩序列
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
16
    3. 對 B 做 LIS
17
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
       越早出現的數字要越小
18
19
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
       直接忽略這個數字不做轉換即可
```

9 Section2

9.1 thm

- 中文測試
- $\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$