```
Contents
                                                 36
                                                       ans=max(ans,r[i]);
                                                                                                   38
                                                                                                       if(b == 0){
                                                                                                         x = 1, y = 0;
                                                 37
                                                                                                  39
   1 字串
                                                 38
                                                      cout<<ans-1<<"\n":
                                                                                                   40
                                                                                                         return a;
     39
                                                                                                   41
                                                      return 0;
     1.2 KMP . . . . . . . . . . . . . . . . . .
                                                                                                  42
                                                                                                       int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
                                                                                                   43
                                                                                                       y -= a/b*x;
     44
                                                                                                       return d:
                                                                                                  45 }
                                                    1.2 KMP
                                                                                                   46
                                                                                                     int main(){
                                                                                                       int a, b, x, y;
                                                                                                   47
   3 algorithm
                                                                                                   48
                                                                                                       cin >> a >> b;
     3.1 三分搜 . .
                                                  1 #define maxn 1000005
                                                                                                       ext_euc(a, b, x, y);
cout << x << ' ' << y << endl;
     3.2 差分
                                                                                                   49
                                                    int nextArr[maxn];
     3.3 greedy
                                                                                                   50
                                                    void getNextArr(const string& s) {
     3.4 dinic . . . . . . . . . . . . . . . .
                                                                                                   51
                                                                                                       return 0;
                                                      nextArr[0] = 0;
     3.5 SCC Tarjan . . . . . . . . . . . . . . .
                                                                                                   52
                                                      int prefixLen = 0;
     3.6 ArticulationPoints Tarjan . . . . .
                                                                                                   53
     for (int i = 1; i < s.size(); ++i) {</pre>
                                                                                                   54
                                                       prefixLen = nextArr[i - 1];
     3.9 JosephusProblem . . . . . . . . . . . .
                                                        //如果不一樣就在之前算過的prefix中
     3.10 KM
                                                                                                      歌德巴赫猜想
                                                                                                   56
                                                  9
                                                        //搜有沒有更短的前後綴
     解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
                                                                                                   57
                                                        while (prefixLen>0 && s[prefixLen]!=s[i])
                                                 10
     3.12 MCMF . .
                                                                                                      #define N 20000000
     3.13 Dancing Links . . . . . . . . . . . . .
                                                         prefixLen = nextArr[prefixLen - 1];
                                                                                                     int ox[N], p[N], pr;
                                                        //一樣就繼承之前的前後綴長度+1
                                                 12
   4 DataStructure
                                                                                                      void PrimeTable(){
                                                 13
                                                        if (s[prefixLen] == s[i])
     4.1 線段樹 1D
                                                                                                       ox[0] = ox[1] = 1;
                                                                                                   61
                                                 14
                                                          ++prefixLen;
     4.2 線段樹 2D . . . . . . . . . . . . . . . .
                                               6
                                                                                                   62
                                                                                                       pr = 0;
                                                 15
                                                        nextArr[i] = prefixLen;
     4.3 權值線段樹 . . . . . . . . . . . . . . . .
                                                                                                       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
                                                                                                   63
                                                                                                         if(!ox[i]) p[pr++] = i;
                                                                                                   64
     4.5 單調隊列 . . . . . . . . . . . . . . . . . .
                                                      for (int i = 0; i < s.size() - 1; ++i) {</pre>
                                                 17
                                                                                                   65
                                                                                                         for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
                                                 18
                                                        vis[nextArr[i]] = true;
                                                                                                   66
                                                                                                           ox[i*p[j]] = 1;
                                                 19
     5.1 intersection . . . . . . . . .
                                                                                                   67
     5.2 半平面相交 . . . . . . . . . . . . . . . .
                                               8
                                                                                                  68 }
                                                                                                   69
                                                                                                     int main(){
                                                    2
                                                         math
     DP
                                                                                                   70
                                                                                                       PrimeTable();
                                                    2.1
                                                           SG
     6.1 抽屜
                                                                                                   71
                                                                                                       int n:
     while(cin>>n, n){
                                                                                                   72
     6.3 LCS 和 LIS . . . . . . . . . . . . . . .
                                                        • SG(x) = mex\{SG(y)|x \to y\}
                                                                                                   73
                                                                                                         int x;
     6.4 RangeDP . . . . . . . . . . . . . . . .
                                                                                                         for(x=1;; x+=2)
                                                                                                   74
     6.5 stringDP
                                              10
                                                        • mex(S) = \min\{n | n \in \mathbb{N}, n \notin S\}
     6.6 樹 DP 有幾個 path 長度為 k . . . . . . .
                                                                                                   75
                                                                                                           if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
     6.7 TreeDP reroot . . . . . . . . . . . .
                                                                                                         printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);
                                                                                                   76
     6.8 WeightedLIS . . . . . . . . . . . . . . . .
                                                    2.2 質數與因數
                                                                                                   77
        字串
                                                                                                  78 }
          最長迴文子字串
                                                                                                   79
   1.1
                                                    歐拉篩O(n)
                                                                                                      problem :
                                                                                                   80
                                                    #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
                                                                                                      給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
                                                                                                   81
 1 #include < bits/stdc++.h>
                                                    bool isPrime[MAXN];
                                                                                                      如果N是質數,則答案為 1。
   #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
                                                    int p[MAXN];
                                                                                                      如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
   using namespace std;
                                                    int pSize=0;
                                                                                                      如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
                                                    void getPrimes(){
                                                                                                      其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
                                                                                                   85
 5
   string s;
                                                      memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
                                                                                                   86
                                                      isPrime[0]=isPrime[1]=false;
 6
  int n;
                                                                                                   87
                                                                                                      bool isPrime(int n){
                                                                                                       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
                                                      for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
                                                                                                   88
                                                       if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
 8
  int ex(int 1,int r){
                                                 10
                                                                                                         if(i*i>n) return true;
                                                        for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
                                                                                                         if(n%i==0) return false;
                                                 11
                                                                                                   90
    while(1-i>=0&&r+i<n&&T(1-i)==T(r+i)) i++;</pre>
10
                                                 12
                                                         isPrime[i*p[j]]=false;
                                                                                                   91
                                                         if(i%p[j]==0) break;
11
    return i;
                                                 13
                                                                                                   92
                                                                                                       return true;
12
  }
                                                                                                  93 }
                                                 14
                                                     }
13
                                                 15
                                                                                                     int main(){
                                                                                                   94
14
   int main(){
                                                 16
                                                                                                   95
                                                                                                       int n:
15
    cin>>s;
                                                 17
                                                                                                   96
    n=2*s.size()+1;
                                                    最大公因數 O(log(min(a,b)))
16
                                                 18
                                                                                                       if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
                                                                                                  97
17
    int mx=0;
                                                    int GCD(int a, int b){
                                                                                                       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
                                                                                                   98
                                                      if(b == 0) return a;
18
    int center=0:
                                                 20
                                                                                                   99
                                                                                                       else cout<<"3\n";</pre>
19
     vector<int> r(n);
                                                 21
                                                      return GCD(b, a%b);
                                                                                                  100 }
                                                 22 }
20
    int ans=1:
21
    r[0]=1;
                                                 23
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                 24
                                                    質因數分解
                                                                                                             歐拉函數
                                                                                                      2.3
23
      int ii=center-(i-center):
                                                 25
                                                    void primeFactorization(int n){
      int len=mx-i+1;
                                                      for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
24
                                                 26
      if(i>mx){
                                                       if(p[i]*p[i] > n) break;
                                                                                                   1 //計算閉區間 [1,n] 中有幾個正整數與 n 互質
25
                                                 27
26
        r[i]=ex(i,i);
                                                 28
                                                       if(n % p[i]) continue;
                                                        cout << p[i] << ' ';
27
        center=i;
                                                 29
                                                                                                   3
                                                                                                      int phi(){
```

while(n%p[i] == 0) n /= p[i];

擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)

37 int ext\_euc(int a, int b, int &x, int &y) {

**if**(n != 1) cout << n << ' ';

cout <<  $' \ n'$ ;

int ans=n;

return ans;

for(int i=2;i\*i<=n;i++)</pre>

if(n>1) ans=ans-ans/n;

ans=ans-ans/i; while(n%i==0) n/=i;

if(n%i==0){

28

29

30

31

32

33

34

35

mx=i+r[i]-1;

center=i;

mx=i+r[i]-1;

else if(r[ii]==len){

r[i]=len+ex(i-len,i+len);

else r[i]=min(r[ii],len);

30

31

32

33

35

34 }

54

int nextR=-1;

在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,

12 }

3 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v) )

因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],

給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],

6 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。

### 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。 55 for(int j=R; j>=L; -- j){ 3 algorithm 這樣一來, b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。 56 **if**(a[j]){ int a[1000], b[1000]; nextR=j; 57 // a: 前綴和數列, b: 差分數列 11 58 break: int main(){ } 12 59 13 int n, 1, r, v; 60 給定兩射線方向和速度, 問兩射線最近距離。 2 cin >> n;if(nextR==-1){ 14 61 3 題解 15 for(int i=1; i<=n; i++){</pre> 62 ans=-1; 假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離,F(t)cin >> a[i]; break: 16 63 為二次 函數, 17 b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列 64 } 可用三分搜找二次函數最小值。 ++ans; 18 65 struct Point{ 19 cin >> 1 >> r >> v: 66 i=nextR+r; double x, y, z; b[1] += v; 20 67 Point() {} 8 21 b[r+1] -= v;68 cout<<ans<<'\n'; Point(double \_x,double \_y,double \_z): 22 for(int i=1; i<=n; i++){</pre> 69 10 $x(_x),y(_y),z(_z){}$ b[i] += b[i-1]; 最多不重疊區間 70 23 11 friend istream& operator>>(istream& is, cout << b[i] << ' '; 24 71 Point& p) { 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri], 25 72 is >> p.x >> p.y >> p.z; 12 26 } 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)? 73 13 return is; 74 14 依照右界由小到大排序, 75 Point operator+(const Point &rhs) const{ 15 每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。 3.3 greedy 16 return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z); 77 //code 17 78 struct Line{ 18 Point operator-(const Point &rhs) const{ 1 刪數字問題 79 int L.R: return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z); 19 //problem bool operator<(const Line &rhs)const{</pre> 80 20 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字, 81 return R<rhs.R;</pre> 21 Point operator\*(const double &d) const{ 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何? 82 22 return Point(x\*d,y\*d,z\*d); //solution 83 }; 23 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 iint main(){ 84 Point operator/(const double &d) const{ 24 位數, 85 int t; 25 return Point(x/d,y/d,z/d); 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。 86 cin>>t; 26 //code 87 Line a[30]: double dist(const Point &rhs) const{ 27 int main(){ 9 while(t--){ 88 28 double res = 0; string s; 10 89 29 res+=(x-rhs.x)\*(x-rhs.x);11 int k; 90 while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R) 30 res+=(y-rhs.y)\*(y-rhs.y); cin>>s>>k; 12 91 ++n; res+=(z-rhs.z)\*(z-rhs.z); 31 for(int i=0;i<k;++i){</pre> 13 92 sort(a.a+n): 32 return res; 14 if((int)s.size()==0) break; int ans=1,R=a[0].R; 93 33 } 15 int pos =(int)s.size()-1; for(int i=1;i<n;i++){</pre> 94 34 }; 16 for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre> if(a[i].L>=R){ 95 35 int main(){ 17 if(s[j]>s[j+1]){ 96 ++ans; //輸入優化 IOS: 36 18 pos=j; 97 R=a[i].R;37 int T: break; 19 98 38 cin>>T; 20 } } 99 39 for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre> } cout<<ans<<'\n';</pre> 21 100 40 double time; 22 s.erase(pos,1); } 101 41 Point x1,y1,d1,x2,y2,d2; 23 102 42 cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2; while((int)s.size()>0&&s[0]=='0') 24 103 最小化最大延遲問題 43 d1=(y1-x1)/time;25 s.erase(0,1); //problem 104 44 d2=(y2-x2)/time;if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre> 26 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti, 45 double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2; 27 **else** cout<<0<<'\n'; 期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為 106 46 double ans = x1.dist(x2); 28 } Li=max(0,Fi-Di), 47 while(abs(L-R)>1e-10){ 29 最小區間覆蓋長度 107 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間, m1=(L+R)/2;48 30 //problem 求一種工作排序使 maxLi 最小。 108 49 m2=(m1+R)/2;31 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri], //solution 109 f1=((d1\*m1)+x1).dist((d2\*m1)+x2);50 32 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]? 按照到期時間從早到晚處理。 110 51 f2=((d1\*m2)+x1).dist((d2\*m2)+x2);33 //solution 111 52 ans = min(ans, min(f1, f2));先將所有區間依照左界由小到大排序, 112 struct Work{ 53 **if**(f1<f2) R=m2; 對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中, int t, d; 113 else L=m1; 54 36 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。 114 bool operator<(const Work &rhs)const{</pre> 55 37 115 return d<rhs.d: 56 cout<<"Case "<<ti<<": "; //problem 38 116 cout << fixed << setprecision(4) <<</pre> 57 長度 n 的直線中有數個加熱器, 117 }; $sqrt(ans) << ' \ '';$ 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱, 118 int main(){ 58 問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。 41 119 int n; 59 } Work a[10000]; 120 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器, 43 cin>>n; 121 更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。 for(int i=0;i<n;++i)</pre> 122 3.2 差分 45 //code cin>>a[i].t>>a[i].d; 123 int main(){ 46 124 sort(a,a+n); int n, r; 47 125 int maxL=0,sumT=0; 1 用途:在區間 [l, r] 加上一個數字v。 int a[1005]; 48 126 for(int i=0;i<n;++i){</pre> 2 b[1] += v; (b[0~1] 加上v) sumT+=aΓil.t: 127

for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];

int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)

int i=1,ans=0;

while(i<=n){</pre>

128

129

}

cout<<maxL<<'\n';</pre>

maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);

50

51

52

```
131 }
                                                                                                      int dinic() {// O((V^2)E)
                                                 206
                                                            ok.reset();
                                                                                                    54
   最少延遲數量問題
                                                            for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                                                                          int result = 0;
132
                                                 207
                                                                                                    55
                                                               cin>>a[i].d>>a[i].p;
                                                 208
                                                                                                          while(bfs()) {
133
   //problem
                                                                                                    56
134 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                 209
                                                            sort(a,a+n);
                                                                                                    57
                                                                                                              memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                                                                              result += dfs(S, inf);
                                                 210
                                                            int ans=0:
                                                                                                    58
   //solution
                                                            for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                                                                    59
                                                 211
   期限越早到期的工作越先做。
                                                                int j=a[i].d;
137
                                                 212
                                                                                                    60
                                                                                                          return result;
   將 工 作 依 照 到 期 時 間 從 早 到 晚 排 序,
                                                 213
                                                                while(j--)
                                                                                                    61 }
138
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                 214
                                                                   if(!ok[j]){
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                 215
140
                                                                       ans+=aΓil.p:
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                 216
                                                                       ok[j]=true;
                                                                                                      3.5 SCC Tarjan
142
                                                 217
                                                                       break:
143
                                                                                                    1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
144
                                                 219
                                                            }
                                                                                                       //的要數出來,因為題目要方法數
145
   //solution
                                                 220
                                                            cout<<ans<<'\n';
                                                                                                      //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
   和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                 221
                                                                                                      //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                 222 }
                                                                                                      #define maxn 100005
   工作期限 → 烏龜可承受重量
   多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                                                                       #define MOD 1000000007
                                                                                                    7 long long cost[maxn];
   //code
150
                                                     3.4 dinic
                                                                                                    8 vector<vector<int>> G;
151
   struct Work{
                                                                                                      int SCC = 0;
       int t. d:
152
                                                   1 const int maxn = 1e5 + 10;
                                                                                                      stack<int> sk;
153
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                                                    10
                                                     const int inf = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                       int dfn[maxn];
          return d<rhs.d;</pre>
154
                                                     struct Edge {
                                                                                                    12
                                                                                                      int low[maxn];
155
                                                        int s, t, cap, flow;
                                                                                                      bool inStack[maxn];
   };
156
                                                   5 };
                                                                                                       int dfsTime = 1;
   int main(){
157
                                                                                                      long long totalCost = 0;
                                                   6 int n, m, S, T;
                                                                                                    15
158
       int n=0;
                                                     int level[maxn], dfs_idx[maxn];
                                                                                                       long long ways = 1;
       Work a[10000];
159
                                                   8 vector<Edge> E;
                                                                                                       void dfs(int u) {
160
       priority_queue<int> pq;
                                                                                                    17
                                                   9 vector<vector<int>>> G;
                                                                                                          dfn[u] = low[u] = dfsTime;
       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
                                                                                                    18
161
                                                  10 void init() {
                                                                                                    19
                                                                                                          ++dfsTime;
162
          ++n:
                                                        S = 0:
                                                                                                          sk.push(u);
                                                  11
                                                                                                    20
163
       sort(a,a+n);
                                                        T = n + m;
                                                                                                          inStack[u] = true;
164
       int sumT=0,ans=n;
                                                  12
                                                                                                    21
                                                        E.clear();
                                                                                                          for (int v: G[u]) {
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                  13
                                                                                                    22
165
                                                                                                              if (dfn[v] == 0) {
                                                         G.assign(maxn, vector<int>());
                                                                                                    23
          pq.push(a[i].t);
                                                  14
166
167
          sumT+=a[i].t;
                                                  15 }
                                                                                                    24
                                                                                                                 dfs(v);
                                                     void addEdge(int s, int t, int cap) {
                                                                                                    25
                                                                                                                 low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                  16
168
          if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                        E.push_back({s, t, cap, 0});
                                                  17
                                                                                                    26
169
              int x=pq.top();
                                                        E.push_back({t, s, 0, 0});
170
                                                  18
                                                                                                    27
                                                                                                              else if (inStack[v]) {
              pq.pop();
                                                        G[s].push_back(E.size()-2);
                                                                                                                 //屬於同個SCC且是我的back edge
                                                  19
                                                                                                    28
171
              sumT-=x;
              --ans;
                                                  20
                                                        G[t].push_back(E.size()-1);
                                                                                                    29
                                                                                                                 low[u] = min(low[u], dfn[v]);
172
                                                                                                              }
                                                  21
                                                                                                    30
173
          }
174
                                                  22 bool bfs() {
                                                                                                    31
                                                        queue<int> q({S});
                                                                                                          //如果是SCC
                                                  23
                                                                                                    32
175
       cout<<ans<<'\n';
                                                        memset(level, -1, sizeof(level));
                                                                                                          if (dfn[u] == low[u]) {
   }
176
                                                        level[S] = 0;
                                                                                                              long long minCost = 0x3f3f3f3f;
                                                  25
                                                                                                    34
177
                                                  26
                                                         while(!q.empty()) {
                                                                                                    35
                                                                                                              int currWays = 0;
   任務調度問題
178
                                                            int cur = q.front();
                                                  27
                                                                                                    36
                                                                                                              ++SCC;
179
   //problem
                                                  28
                                                            q.pop();
                                                                                                    37
                                                                                                              while (1) {
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
180
   期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
                                                  29
                                                            for(int i : G[cur]) {
                                                                                                    38
                                                                                                                 int v = sk.top();
181
                                                                Edge e = E[i];
                                                  30
                                                                                                                 inStack[v] = 0;
        單位懲罰,
                                                                                                    39
                                                                if(level[e.t]==-1 &&
                                                                                                    40
                                                                                                                 sk.pop();
   請問最少會受到多少單位懲罰。
182
                                                                     e.cap>e.flow) {
                                                                                                                 if (minCost > cost[v]) {
                                                                                                    41
183
   //solution
                                                                   level[e.t] = level[e.s] + 1;
                                                                                                                     minCost = cost[v];
184
   依照 懲罰由大到小排序,
                                                  32
                                                                                                    42
                                                                   q.push(e.t);
                                                                                                                     currWays = 1;
   每項工作依序嘗試可不可以放在
                                                                                                    43
185
        Di-Ti+1,Di-Ti,...,1,0,
                                                  34
                                                                                                    44
                                                  35
                                                            }
                                                                                                    45
                                                                                                                 else if (minCost == cost[v]) {
   如果有空閒就放進去,否則延後執行。
186
                                                        }
                                                  36
                                                                                                    46
                                                                                                                     ++currWays;
187
                                                  37
                                                         return ~level[T];
                                                                                                    47
188
   //problem
                                                                                                                 if (v == u)
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                  38 }
                                                                                                    48
189
                                                                                                                     break;
                                                     int dfs(int cur, int lim) {
                                                                                                    49
   期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                  39
        單位獎 勵,
                                                  40
                                                         if(cur==T || lim==0) return lim;
                                                                                                              totalCost += minCost;
                                                         int result = 0;
   請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                  41
                                                                                                    51
                                                  42
                                                         for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
                                                                                                    52
                                                                                                              ways = (ways * currWays) % MOD;
   //solution
192
                                                                                                          }
                                                             && lim; i++) {
                                                                                                    53
193
   和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                  43
                                                            Edge\& e = E[G[cur][i]];
                                                                                                    54
194
   //code
                                                            if(level[e.s]+1 != level[e.t])
                                                                                                    55
                                                                                                       int main() {
195
   struct Work{
                                                  44
                                                                                                          int n;
196
                                                                 continue:
                                                                                                    56
                                                            int flow = dfs(e.t, min(lim,
                                                                                                          scanf("%d", &n);
                                                                                                    57
197
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                                 e.cap-e.flow));
                                                                                                          for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
          return p>rhs.p;
                                                                                                    58
198
                                                            if(flow <= 0) continue;</pre>
                                                                                                    59
                                                                                                              scanf("%11d", &cost[i]);
                                                  46
199
                                                            e.flow += flow;
                                                  47
                                                                                                    60
                                                                                                          G.assign(n + 5, vector<int>());
200
   };
                                                            result += flow;
                                                                                                          int m:
201
   int main(){
                                                  48
                                                                                                    61
                                                            E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
                                                                                                          scanf("%d", &m);
                                                  49
       int n:
202
                                                                                                          int u, v;
                                                  50
                                                            lim -= flow;
203
       Work a[100005];
                                                                                                    63
                                                                                                          for (int i = 0; i < m; ++i) {
       bitset<100005> ok;
                                                  51
                                                                                                    64
204
                                                                                                              scanf("%d %d", &u, &v);
205
       while(cin>>n){
                                                  52
                                                         return result;
                                                                                                    65
                                                                                                              G[u].emplace_back(v);
                                                                                                    66
```

```
67
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
68
           if (dfn[i] == 0)
69
70
               dfs(i);
71
       printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
72
            MOD):
73
       return 0;
74 }
```

### 3.6 ArticulationPoints Tarjan

```
vector<vector<int>> G;
   int N, timer;
   bool visited[105];
   int dfn[105]; // 第一次visit的時間
   int low[105];
   //最小能回到的父節點
   //(不能是自己的parent)的visTime
9
   //求割點數量
   void tarjan(int u, int parent) {
10
11
       int child = 0;
       bool isCut = false;
12
       visited[u] = true;
13
       dfn[u] = low[u] = ++timer;
14
15
       for (int v: G[u]) {
          if (!visited[v]) {
16
17
              ++child;
18
              tarjan(v, u);
              low[u] = min(low[u], low[v]);
19
               if (parent != -1 && low[v] >=
20
                    dfn[u])
21
                  isCut = true;
22
          else if (v != parent)
23
24
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
25
       //If u is root of DFS
26
            tree->有兩個以上的children
       if (parent == -1 && child >= 2)
27
28
          isCut = true;
       if (isCut) ++res;
29
30
   }
   int main() {
31
       char input[105];
32
33
       char* token:
       while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
34
35
          G.assign(105, vector<int>());
          memset(visited, false,
36
                sizeof(visited));
          memset(low, 0, sizeof(low));
37
          memset(dfn, 0, sizeof(visited));
38
          timer = 0;
39
          res = 0;
40
41
          getchar(); // for \n
          while (fgets(input, 105, stdin)) {
42
              if (input[0] == '0')
43
44
                  break;
              int size = strlen(input);
45
46
              input[size - 1] = ' \setminus \emptyset';
              --size;
47
48
              token = strtok(input, " ");
49
              int u = atoi(token);
50
              int v:
51
              while (token = strtok(NULL, " "))
                   {
52
                  v = atoi(token);
                  G[u].emplace_back(v);
53
54
                  G[v].emplace_back(u);
55
              }
56
57
          tarjan(1, -1);
          printf("%d\n", res);
58
59
```

60

61 }

return 0;

## 3.7 最小樹狀圖

13

21

22

27

31

36

39

47

51

```
1 const int maxn = 60 + 10;
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
   struct Edge {
      int s, t, cap, cost;
 5 }; // cap 為頻寬 (optional)
 6 int n, m, c;
   int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
        vis[maxn]:
   // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
   // 找環,如果沒有則 return;
10 // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
   int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
       int result = 0, root = 0, N = n;
12
       while(true) {
          memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
14
15
          // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
16
          // optional: low 為最小 cap 限制
          for(const Edge& e : edges) {
17
18
              if(e.cap < low) continue;</pre>
              if(e.s!=e.t &&
19
                   e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
20
                  inEdge[e.t] = e.cost;
                 pre[e.t] = e.s;
23
          }
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
25
              if(i!=root && inEdge[i]==inf)
26
                  return -1;//除了root 還有點沒有in
28
          int seq = inEdge[root] = 0;
          memset(idx, -1, sizeof(idx));
29
30
          memset(vis, -1, sizeof(vis));
          // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
32
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
33
              result += inEdge[i];
              int cur = i;
34
              while(vis[cur]!=i &&
                   idx[cur]==-1) {
                  if(cur == root) break;
37
                  vis[cur] = i;
                  cur = pre[cur];
38
              if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
40
41
                  for(int j=pre[cur]; j!=cur;
                      j=pre[j])
                     idx[j] = seq;
42
43
                  idx[cur] = seq++;
              }
44
45
          if(seq == 0) return result; // 沒有
46
               cvcle
          for(int i=0; i<N; i++)</pre>
              // 沒有被縮點的點
48
              if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
          // 縮點並重新編號
50
          for(Edge& e : edges) {
52
              if(idx[e.s] != idx[e.t])
                 e.cost -= inEdge[e.t];
53
              e.s = idx[e.s];
              e.t = idx[e.t];
55
56
          }
57
          N = seq;
58
          root = idx[root];
59
```

# 3.8 二分圖最大匹配

```
1 /* 核心: 最大點獨立集 = |V| -
      /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
 vector<Student> boys;
 vector<Student> girls;
4 vector<vector<int>> G;
```

```
5 bool used[505];
   int p[505];
   bool match(int i) {
       for (int j: G[i]) {
9
          if (!used[j]) {
              used[j] = true;
10
              if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
11
12
                  p[j] = i;
13
                  return true;
14
              }
15
          }
16
      }
17
      return false;
18
   }
19
   void maxMatch(int n) {
20
       memset(p, -1, sizeof(p));
       int res = 0;
21
       for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
22
          memset(used, false, sizeof(used));
23
24
          if (match(i))
25
              ++res;
      }
26
27
       cout << n - res << '\n';
28 }
```

### 3.9 **JosephusProblem**

```
//JosephusProblem,只是規定要先 砍 1號
  //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
  //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
   int getWinner(int n, int k) {
      int winner = 0;
      for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
         winner = (winner + k) % i;
8
      return winner;
  }
9
  int main() {
10
11
12
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
13
14
          for (int k = 1; k \le n; ++k){
15
             if (getWinner(n, k) == 11){
                 printf("%d\n", k);
16
17
                 break;
18
             }
         }
19
      }
20
21
      return 0;
```

### 3.10 KM

```
#define maxn 505
   int W[maxn][maxn];
   int Lx[maxn], Ly[maxn];
   bool S[maxn], T[maxn];
   //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
   int L[maxn];
   int n;
   bool match(int i) {
      S[i] = true;
10
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
11
          // KM重點
12
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
          // 要想辦法降低Lx + Ly
13
          // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
15
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
               !T[j]) {
16
              T[j] = true;
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
17
                 L[j] = i;
19
                 return true;
20
21
          }
      }
22
```

```
3.12 MCMF
      return false;
23
                                                   4 struct Edge {
  }
24
                                                   5
                                                      int u, v, w;
   //修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                   6 };
25
                                                                                                        #define maxn 225
   //此舉是在通過調整vertex labeling看看
                                                   7 vector<vector<Edge>> G; // tree
                                                                                                        #define INF 0x3f3f3f3f
   //能不能產生出新的增廣路
                                                     int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
27
                                                                                                        struct Edge {
   //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                     long long dis[maxn][31];
   //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配10
                                                     int dep[maxn];//深度
                                                                                                            int u, v, cap, flow, cost;
                                                     void dfs(int u, int p) {//預處理fa
                                                                                                      5
                                                                                                        };
   void update()
30
                                                  11
                                                                                                      6
                                                                                                        //node size, edge size, source, target
31
   {
                                                   12
                                                         fa[u][0] = p; //因為u的第2^0 = 1的祖先就是p
32
      int diff = 0x3f3f3f3f;
                                                         dep[u] = dep[p] + 1;
                                                                                                        int n, m, s, t;
                                                  13
                                                                                                        vector<vector<int>>> G;
33
      for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
                                                  14
                                                         //第2^{i}的祖先是(第2^{i} - 1)個祖先)的
                                                                                                        vector<Edge> edges;
          if (S[i]) {
                                                  15
                                                         //第2<sup>(i - 1)</sup>的祖先
34
                                                                                                        bool inqueue[maxn];
              for (int j = 0; j < n; ++j) {
35
                                                  16
                                                         //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
                                                                                                        long long dis[maxn];
                                                                                                     11
36
                 if (!T[j])
                                                  17
                                                         for (int i = 1; i < 31; ++i) {
                     diff = min(diff, Lx[i] +
                                                                                                        int parent[maxn];
37
                                                  18
                                                             fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
                                                                                                        long long outFlow[maxn];
                          Ly[j] - W[i][j]);
                                                  19
                                                             dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
                                                                                                     13
                                                                                                        void addEdge(int u, int v, int cap, int
                                                                  + dis[u][i - 1];
              }
38
          }
                                                         }
                                                                                                             cost) {
39
      }
                                                         //遍歷子節點
                                                                                                     15
                                                                                                            edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0,
40
                                                  21
                                                                                                                 cost});
41
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                  22
                                                         for (Edge& edge: G[u]) {
                                                                                                            edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
                                                                                                     16
42
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
                                                  23
                                                             if (edge.v == p)
                                                                                                                 -cost});
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
43
                                                  24
                                                                continue:
                                                                                                            m = edges.size();
44
                                                  25
                                                             dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                                                                     17
                                                                                                     18
                                                                                                            G[u].emplace_back(m - 2);
45
   }
                                                  26
                                                             dfs(edge.v, u);
   void KM()
                                                                                                     19
                                                                                                            G[v].emplace_back(m - 1);
46
                                                  27
                                                                                                     20 }
                                                  28 }
47
   {
                                                                                                        //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
48
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                     long long lca(int x, int y) {
                                                  29
                                                                                                     22 bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
49
          L[i] = -1;
                                                         //此函數是找lca同時計算x \cdot y的距離 -> dis(x,
                                                                                                             minCost) {
                                                              lca) + dis(lca, y)
50
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                                                                            // memset(outFlow, 0x3f,
51
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                  31
                                                         //讓 y 比 x 深
                                                                                                     23
                                                         if (dep[x] > dep[y])
                                                                                                                 sizeof(outFlow));
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
52
                                                  32
                                                                                                     24
                                                                                                            memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
53
                                                  33
                                                             swap(x, y);
                                                                                                            memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
                                                                                                     25
54
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                         int deltaDep = dep[y] - dep[x];
                                                  34
                                                                                                            queue<int> q;
55
          while(1) {
                                                  35
                                                         long long res = 0;
                                                                                                     26
                                                                                                            q.push(s);
              memset(S, false, sizeof(S));
                                                         //讓y與x在同一個深度
                                                                                                     27
56
                                                  36
              memset(T, false, sizeof(T));
                                                         for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                                                                     28
                                                                                                            dis[s] = 0;
57
                                                  37
58
              if (match(i))
                                                              deltaDep >>= 1)
                                                                                                     29
                                                                                                            inqueue[s] = true;
                                                                                                            outFlow[s] = INF;
                                                                                                     30
59
                 break;
                                                   38
                                                             if (deltaDep & 1)
                                                                res += dis[y][i], y = fa[y][i];
                                                                                                            while (!q.empty()) {
60
              else
                                                                                                     31
                                                  39
                                                                                                               int u = q.front();
61
                 update(); //去調整vertex
                                                   40
                                                         if (y == x) //x = y -> x \cdot y彼此是彼此的祖先
                                                                                                     32
                                                                                                     33
                                                                                                               q.pop();
                      labeling以增加增廣路徑
                                                  41
                                                             return res;
                                                                                                     34
                                                                                                               inqueue[u] = false;
62
                                                   42
                                                         //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
                                                                                                     35
                                                                                                               for (const int edgeIndex: G[u]) {
                                                         for (int i = 30; i \ge 0 \&\& y != x; --i) {
63
      }
                                                  43
64
   }
                                                  44
                                                             if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
                                                                                                     36
                                                                                                                   const Edge& edge =
                                                                                                                        edges[edgeIndex];
65
   int main() {
                                                  45
                                                                 res += dis[x][i] + dis[y][i];
      while (scanf("%d", &n) != EOF) {
                                                                                                     37
                                                                                                                   if ((edge.cap > edge.flow) &&
                                                                x = fa[x][i];
66
                                                  46
                                                                                                                        (dis[edge.v] > dis[u] +
          for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
                                                   47
67
                                                                y = fa[y][i];
                                                                                                                        edge.cost)) {
68
              for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                  48
                                                             }
                                                                                                     38
                                                                                                                       dis[edge.v] = dis[u] +
69
                 scanf("%d", &W[i][j]);
                                                  49
                                                                                                                            edge.cost;
70
          KM();
                                                  50
                                                         //最後發現不能跳了,此時x的第2^0 =
71
                                                              1個祖先(或說y的第2^0 =
                                                                                                     39
                                                                                                                       parent[edge.v] = edgeIndex;
          int res = 0:
                                                                                                                       outFlow[edge.v] =
72
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                              1的祖先)即為x \cdot y的1ca
                                                                                                     40
                                                                                                                            min(outFlow[u], (long
73
              if (i != 0)
                                                  51
                                                         res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                                                                                            long)(edge.cap -
74
                 printf(" %d", Lx[i]);
                                                  52
                                                         return res;
                                                  53 }
                                                                                                                            edge.flow));
75
                                                                                                                       if (!inqueue[edge.v]) {
76
                 printf("%d", Lx[i]);
                                                  54 int main() {
                                                                                                                          q.push(edge.v);
77
              res += Lx[i];
                                                  55
                                                       int n, q;
                                                                                                     42
          }
                                                       while (~scanf("%d", &n) && n) {
                                                                                                     43
                                                                                                                           inqueue[edge.v] = true;
78
                                                  56
          puts("");
                                                                                                     44
79
                                                  57
                                                         int v, w;
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                     45
                                                                                                                   }
                                                         G.assign(n + 5, vector<Edge>());
80
                                                  58
                                                                                                               }
81
              if (i != 0)
                                                  59
                                                             for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                                                                     46
                                                                                                     47
82
                 printf(" %d", Ly[i]);
                                                  60
                                                           scanf("%d %d", &v, &w);
                                                                                                     48
                                                                                                            //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
83
                                                  61
                                                           G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
                                                                                                            if (dis[t] > 0)
                 printf("%d", Ly[i]);
                                                           G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
                                                                                                     49
84
                                                  62
                                                                                                     50
                                                                                                               return false;
85
                                                  63
              res += Ly[i];
                                                                                                     51
                                                                                                            maxFlow += outFlow[t];
86
                                                  64
                                                             dfs(1, 0);
          puts("");
                                                                                                     52
                                                                                                            minCost += dis[t] * outFlow[t];
87
                                                  65
                                                             scanf("%d", &q);
                                                                                                     53
                                                                                                            //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
88
          printf("%d \setminus n", res);
                                                  66
                                                             int u:
                                                                                                     54
                                                                                                            //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
89
      }
                                                  67
                                                             while (q--) {
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
                                                                                                            int curr = t;
                                                                                                     55
90
      return 0;
                                                  68
                                                                while (curr != s) {
                                                                                                     56
                                                                                                     57
                                                                                                               edges[parent[curr]].flow +=
                                                                                                                     outFlow[t];
                                                  70
                                                                                                               edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
   3.11 LCA 倍增法
                                                  71
                                                       }
                                                                                                     58
                                                                                                                    outFlow[t];
                                                  72
                                                       return 0;
                                                                                                               curr = edges[parent[curr]].u;
                                                                                                     59
 1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
                                                                                                     60
                                                                                                            }
   //利用1ca找樹上任兩點距離
                                                                                                     61
                                                                                                            return true;
 3 #define maxn 100005
                                                                                                     62 }
```

```
63 long long MCMF() {
                                                                                                             if (1 == r) {
                                                   26
                                                                                                      12
                                                                                                                 st[i] = data[l];
      long long maxFlow = 0;
                                                          void remove(int c) {
                                                   27
                                                                                                      13
      long long minCost = 0;
                                                              L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
65
                                                   28
                                                                                                      14
                                                                                                                 return:
      while (SPFA(maxFlow, minCost))
                                                   29
                                                              for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                      15
67
                                                                                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                                   30
                                                                 for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
                                                                                                      16
      return minCost;
                                                   31
                                                                     U[D[j]] = U[j];
                                                                                                      17
                                                                                                             build(1, mid, i * 2);
68
69 }
                                                                     D[U[j]] = D[j];
                                                                                                      18
                                                                                                             build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
                                                   32
70
   int main() {
                                                   33
                                                                     --colSize[col[j]];
                                                                                                      19
                                                                                                             st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
71
      int T;
                                                   34
                                                                 }
                                                                                                      20 }
72
      scanf("%d", &T);
                                                   35
                                                             }
                                                                                                      21
                                                                                                         int query(int ql, int qr, int l, int r, int
73
      for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>
                                                   36
74
          //總共幾個月, 囤貨成本
                                                   37
                                                          void recover(int c) {
                                                                                                      22
                                                                                                            [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
75
          int M, I;
                                                   38
                                                              for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
                                                                                                      23
                                                                                                             if (ql <= 1 && r <= qr)
          scanf("%d %d", &M, &I);
76
                                                   39
                                                                 for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                                                                                                      24
                                                                                                                 return st[i];
                                                                                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
77
          //node size
                                                   40
                                                                     U[D[j]] = D[U[j]] = j;
                                                                                                      25
78
          n = M + M + 2;
                                                   41
                                                                     ++colSize[col[j]];
                                                                                                      26
                                                                                                             if (tag[i]) {
          G.assign(n + 5, vector<int>());
79
                                                                                                      27
                                                                                                                 //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                   42
          edges.clear();
                                                                                                                 st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
80
                                                   43
                                                                                                      28
81
          s = 0;
                                                   44
                                                             L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                                                                                 st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                                                                      29
82
          t = M + M + 1;
                                                   45
                                                                                                      30
                                                                                                                 tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
          for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre>
83
                                                   46
                                                          bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                                                                                                      31
                                                                                                                 tag[i*2+1] += tag[i];//下傳懶標至右節點
              int produceCost, produceMax,
                                                   47
                                                              if(R[0] == 0) {
                                                                                                      32
                                                                                                                 tag[i] = 0;
84
                   sellPrice, sellMax,
                                                   48
                                                                 resSize = idx;
                                                                                                      33
                                                                                                             }
                   inventoryMonth;
                                                   49
                                                                 return true;
                                                                                                      34
                                                                                                             int sum = 0;
              scanf("%d %d %d %d %d",
                                                   50
                                                                                                      35
                                                                                                             if (ql <= mid)</pre>
85
                   &produceCost, &produceMax,
                                                   51
                                                              int c = R[0];
                                                                                                      36
                                                                                                                 sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
                   &sellPrice, &sellMax,
                                                   52
                                                              for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                                                                             if (gr > mid)
                                                                                                      37
                   &inventoryMonth);
                                                   53
                                                                 if(colSize[i] < colSize[c]) c = i; 38</pre>
                                                                                                                 sum += query(ql, qr, mid + 1, r,
              addEdge(s, i, produceMax,
                                                   54
                                                                                                                      i*2+1);
                   produceCost);
                                                   55
                                                              remove(c):
                                                                                                      39
                                                                                                             return sum;
                                                              for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                                                                      40 }
              addEdge(M + i, t, sellMax,
87
                                                   56
                                                                 result[idx] = row[i];
                   -sellPrice);
                                                   57
                                                                                                      41
                                                                                                         void update(int ql,int qr,int l,int r,int
              for (int j = 0; j <=</pre>
                                                                 for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                               i, int c) {
                   inventoryMonth; ++j) {
                                                   59
                                                                     remove(col[j]);
                                                                                                      42
                                                                                                          // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
                  if (i + j <= M)</pre>
                                                                 if(dfs(idx+1)) return true;
                                                                                                          // c是變化量
89
                                                                                                      43
                                                                 for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                     addEdge(i, M + i + j, INF,
                                                                                                             if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
90
                                                   61
                                                                                                      44
                          I * j);
                                                   62
                                                                     recover(col[j]);
                                                                                                      45
                                                                                                                 st[i] += (r - 1 + 1) * c;
91
              }
                                                   63
                                                             }
                                                                                                                      //求和,此需乘上區間長度
                                                                                                                 tag[i] += c;
                                                              recover(c);
92
                                                   64
                                                                                                      46
93
          printf("Case %d: %11d\n", Case,
                                                   65
                                                              return false;
                                                                                                      47
                                                                                                                 return:
               -MCMF());
                                                                                                             }
                                                   66
                                                                                                      48
                                                          void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
                                                                                                             int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
                                                                                                      49
                                                                                                             if (tag[i] && 1 != r) {
95
       return 0;
                                                               depth 版
                                                                                                      50
                                                   68
                                                              if(R[0] == 0) {
                                                                                                      51
                                                                                                                 //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                   69
                                                                 resSize = min(resSize, idx); //
                                                                                                      52
                                                                                                                 st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
                                                                                                                 st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                                                                      53
                                                                      注意 init值
                                                                 return;
                                                                                                                 tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
                                                   70
                                                                                                      54
   3.13 Dancing Links
                                                                                                                 tag[i*2+1] += tag[i];<mark>//下傳懶標至右節點</mark>
                                                   71
                                                                                                      55
                                                   72
                                                              int c = R[0];
                                                                                                      56
                                                                                                                 tag[i] = 0;
 1 struct DLX {
                                                   73
                                                              for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                                                                      57
      int seq, resSize;
                                                                 if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
                                                                                                             if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
                                                   74
                                                                                                      58
      int col[maxn], row[maxn];
 3
                                                   75
                                                                                                                  * 2, c);
       int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
                                                   76
                                                              remove(c);
                                                                                                             if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
                                                                                                      59
      int rowHead[maxn], colSize[maxn];
 5
                                                              for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                   77
                                                                                                                  i*2+1, c);
      int result[maxn];
                                                   78
                                                                 for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
                                                                                                      60
                                                                                                             st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
      DLX(int r, int c) {
                                                                     remove(col[j]);
                                                   79
                                                                                                      61 }
 8
          for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
                                                   80
                                                                 dfs(idx+1);
                                                                                                      62 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
                                                                                                      63 //改值從+=改成=
9
              L[i] = i-1, R[i] = i+1;
                                                   81
                                                                 for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
10
              U[i] = D[i] = i;
                                                                     recover(col[j]);
                                                   82
11
                                                   83
12
          L[R[seq=c]=0]=c;
                                                   84
                                                              recover(c);
                                                                                                          4.2 線段樹 2D
13
          resSize = -1:
                                                   85
14
          memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
                                                   86 }:
                                                                                                       1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
          memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
15
16
                                                            DataStructure
                                                                                                         #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
17
      void insert(int r, int c) {
                                                                                                         int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
                                                              線段樹 1D
18
          row[++seq]=r, col[seq]=c,
                                                                                                          int N;
               ++colSize[c];
                                                                                                          void modifyY(int index, int 1, int r, int
          U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,
19
```

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
4 int tag[4 * MAXN]; //懒標
5 inline int pull(int l, int r) {
6 // 隨題自改變sum、max、min
7 // l、r是左右樹的index
8 return st[l] + st[r];
9 }
10 void build(int l, int r, int i) {
11 // 在[1, r]區間建樹,目前根的index為i
```

D[c]=seq;

L[seq]=rowHead[r],

L[R[rowHead[r]]]=seq,

R[seq]=R[rowHead[r]];

R[rowHead[r]]=seq;

rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =

if(rowHead[r]) {

} else {

}

20

21

22

23

24

25

```
12
           minST[xIndex][index] =
                                                     63 }
                                                                                                          35
                                                                                                                 cin >> t;
                min(minST[xIndex * 2][index],
                                                     64 int main() {
                                                                                                                 bool first = true;
                                                                                                          36
                minST[xIndex * 2 + 1][index]);
                                                            while (scanf("%d", &N) != EOF) {
                                                                                                                 while (t--) {
                                                     65
                                                                                                          37
                                                                                                                     if (first)
                                                                int val;
                                                                                                          38
14
       else {
                                                     67
                                                                for (int i = 1; i <= N; ++i) {
                                                                                                          39
15
           int mid = (1 + r) / 2;
                                                                    for (int j = 1; j <= N; ++j) {
                                                     68
                                                                                                          40
                                                                        scanf("%d", &val);
                                                                                                                         puts("");
16
           if (yPos <= mid)</pre>
                                                     69
                                                                                                          41
17
              modifyY(index * 2, 1, mid, val,
                                                     70
                                                                        modifyX(1, 1, N, val, i, j);
                                                                                                          42
                    yPos, xIndex, xIsLeaf);
                                                     71
                                                                   }
                                                                                                          43
                                                                                                                     int m, n;
           else
                                                                }
                                                                                                                     cin >> m >> n;
                                                     72
18
                                                                                                          44
                                                                int q;
19
              modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                     73
                                                                                                          45
                    r, val, yPos, xIndex,
                                                                int vmax, vmin;
                                                     74
                                                                                                          46
                                                                int xql, xqr, yql, yqr;
                    xIsLeaf);
                                                     75
                                                                                                          47
                                                     76
                                                                char op;
                                                                                                          48
20
21
           maxST[xIndex][index] =
                                                     77
                                                                scanf("%d", &q);
                                                                                                          49
                max(maxST[xIndex][index * 2],
                                                     78
                                                                while (q--) {
                                                                                                          50
                maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
                                                                    getchar(); //for \n
                                                                                                                     //離散化
                                                     79
                                                                                                          51
                                                                    scanf("%c", &op);
           minST[xIndex][index] =
                                                                                                          52
                                                                                                                     //防止m == 0
                min(minST[xIndex][index * 2],
                                                                    if (op == 'q') {
                                                                                                                     if (m)
                                                     81
                                                                                                          53
                minST[xIndex][index * 2 + 1]);
                                                                        scanf("%d %d %d %d", &xql,
                                                     82
                                                                                                          54
23
       }
                                                                             &yql, &xqr, &yqr);
                                                                                                          55
   }
                                                                        vmax = -0x3f3f3f3f:
24
                                                     83
   void modifyX(int index, int 1, int r, int
                                                     84
                                                                        vmin = 0x3f3f3f3f;
                                                                                                          56
        val, int xPos, int yPos) {
                                                     85
                                                                        queryX(1, 1, N, xql, xqr,
                                                                                                          57
       if (1 == r) {
                                                                             yql, yqr, vmax, vmin);
26
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                                                        printf("%d %d\n", vmax, vmin);
27
                                                     86
                                                                                                          58
                true);
                                                     87
                                                                                                          59
28
                                                     88
                                                                    else {
                                                                                                          60
                                                                        scanf("%d %d %d", &xql, &yql,
                                                                                                                     int k = 1;
29
       else {
                                                     89
                                                                                                          61
30
           int mid = (1 + r) / 2;
                                                                             &val);
                                                                                                          62
           if (xPos <= mid)</pre>
                                                                        modifyX(1, 1, N, val, xql,
31
                                                     90
                                                                                                          63
32
              modifyX(index * 2, 1, mid, val,
                                                                             yql);
                    xPos, yPos);
                                                     91
33
           else
                                                     92
                                                                }
              modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                                                                                             ++k;
                                                     93
                                                                                                          65
                    r, val, xPos, yPos);
                                                     94
                                                            return 0;
                                                                                                          66
35
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
                                                                                                          67
                                                                                                                         }
                false);
                                                                                                          68
                                                                                                                         else {
       }
                                                                                                          69
36
37
   }
                                                        4.3 權值線段樹
   void queryY(int index, int 1, int r, int
                                                                                                          70
38
        yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,
                                                                                                          71
                                                      1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第 k小問題
        int &vmin) {
                                                                                                          72
                                                                                                                     }
       if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
                                                        //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
                                                                                                          73
39
                                                        #define maxn 30005
40
           vmax = max(vmax,
                                                                                                          74
                                                                                                                 return 0;
                                                      4 int nums[maxn];
                maxST[xIndex][index]);
                                                                                                          75 }
                                                        int getArr[maxn];
41
           vmin = min(vmin.
                                                        int id[maxn];
                minST[xIndex][index]);
                                                        int st[maxn << 2];</pre>
42
       }
                                                                                                              4.4 Trie
                                                        void update(int index, int 1, int r, int qx)
43
       else
44
                                                            if (1 == r)
45
           int mid = (1 + r) / 2;
46
           if (yql <= mid)</pre>
                                                     10
                                                            {
                                                     11
                                                                ++st[index];
                                                                                                              int dp[maxn];
47
              queryY(index * 2, 1, mid, yql,
                    yqr, xIndex, vmax, vmin);
                                                     12
                                                                return;
                                                                                                              char str[maxn];
           if (mid < yqr)</pre>
                                                     13
48
                                                                                                              struct Trie {
49
              queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                                                     14
                                                     15
                                                            int mid = (1 + r) / 2;
                                                                                                                 int seq;
                    yql, yqr, xIndex, vmax,
                                                            if (qx <= mid)</pre>
                                                     16
                                                                                                                 int val[maxn];
                                                     17
                                                                update(index * 2, 1, mid, qx);
                                                                                                                 Trie() {
       }
50
51
   }
                                                     18
                                                                                                           10
                                                                                                                     seq = 0;
                                                     19
                                                                update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
   void queryX(int index, int 1, int r, int
                                                                                                          11
52
        xql, int xqr, int yql, int yqr, int&
                                                            st[index] = st[index * 2] + st[index * 2]
                                                                                                          12
        vmax, int& vmin) {
                                                                 + 11:
                                                                                                          13
       if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>
                                                     21 }
                                                                                                          14
53
                                                     22 //找區間第 // 個小的
                                                                                                          15
                                                                                                                     int r = 0;
54
           queryY(1, 1, N, yql, yqr, index,
                                                        int query(int index, int 1, int r, int k) {
                                                                                                          16
                                                     23
                vmax, vmin);
                                                            if (1 == r)
                                                                                                          17
55
                                                               return id[1];
56
       else {
                                                     25
                                                                                                          18
                                                            int mid = (1 + r) / 2;
           int mid = (1 + r) / 2;
                                                     26
                                                                                                          19
57
                                                     27
                                                            //k比左子樹小
                                                                                                          20
                                                                                                                     }
58
           if (xql <= mid)</pre>
                                                     28
                                                            if (k <= st[index * 2])
                                                                                                                     val[r] = len;
                                                                                                          21
59
              queryX(index * 2, 1, mid, xql,
                    xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
                                                                return query(index * 2, 1, mid, k);
                                                     29
                                                                                                          22
                                                                                                                     return:
60
           if (mid < xqr)</pre>
                                                     30
                                                                                                          23
                                                                return query(index * 2 + 1, mid + 1,
              queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                                                                                                          24
61
                                                                     r, k - st[index * 2]);
                    xql, xqr, yql, yqr, vmax,
                                                                                                          25
                                                     32
                                                                                                          26
                    vmin);
       }
                                                     33 int main() {
                                                                                                          27
                                                           int t;
                                                                                                          28
```

```
first = false;
memset(st, 0, sizeof(st));
for (int i = 1; i <= m; ++i) {
   cin >> nums[i];
   id[i] = nums[i];
for (int i = 0; i < n; ++i)
   cin >> getArr[i];
   sort(id + 1, id + m + 1);
int stSize = unique(id + 1, id + m +
     1) - (id + 1);
for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
   nums[i] = lower_bound(id + 1, id
         + stSize + 1, nums[i]) - id;
int addCount = 0;
int getCount = 0;
while (getCount < n) {</pre>
   if (getArr[getCount] == addCount)
       printf("%d \setminus n", query(1, 1,
            stSize, k));
       ++getCount;
       update(1, 1, stSize,
            nums[addCount + 1]);
       ++addCount;
```

```
const int maxn = 300000 + 10;
const int mod = 20071027;
int mp[4000*100 + 10][26];
       memset(val, 0, sizeof(val));
       memset(mp, 0, sizeof(mp));
   void insert(char* s, int len) {
       for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
           int c = s[i] - 'a';
           if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
           r = mp[r][c];
   int find(int idx, int len) {
       int result = 0;
       for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
           int c = str[idx] - 'a';
           if(!(r = mp[r][c])) return result;
```

```
cout<<a[q[head]]<<" ";
                                                                                                             double length() { return
29
              if(val[r])
                                                   40
                                                                                                      22
                                                          }
                  result = (result + dp[idx +
                                                                                                                   sqrt(dot(*this)); }
30
                                                   41
                                                                                                             Vector unit_normal_vector() {
                       11) % mod:
                                                   42
                                                          cout<<endl:
                                                                                                       23
                                                   43
                                                      }
                                                                                                                 double len = length();
31
                                                                                                       24
                                                                                                       25
                                                                                                                 return Vector(-y/len, x/len);
32
          return result:
                                                   44
33
                                                   45
                                                      int main(){
                                                                                                       26
                                                                                                       27 };
   };
34
                                                   46
                                                          cin>>n>>k; //每k個連續的數
35
   int main() {
                                                   47
                                                          for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
                                                                                                       28
36
      int n, tc = 1;
                                                   48
                                                          getmin():
                                                                                                       29
                                                                                                          using Point = Vector;
      while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
                                                          getmax();
37
                                                   49
                                                                                                       30
38
          Trie tr;
                                                   50
                                                          return 0;
                                                                                                       31
                                                                                                          struct Line {
          int len = strlen(str);
                                                   51 }
                                                                                                             Point p:
39
                                                                                                       32
40
          char word[100+10];
                                                                                                       33
                                                                                                             Vector v;
          memset(dp, 0, sizeof(dp));
41
                                                                                                       34
                                                                                                             double ang;
                                                           geometry
42
          dp[len] = 1;
                                                                                                       35
                                                                                                             Line(Point p={}, Vector v={}): p(p),
                                                      5.1 intersection
43
          while(n--) {
              scanf("%s", word);
44
                                                                                                                 ang = atan2(v.y, v.x);
                                                                                                       36
45
              tr.insert(word, strlen(word));
                                                                                                       37
                                                    1 using LL = long long;
46
                                                                                                             bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
                                                                                                       38
47
          for(int i=len-1; i>=0; i--)
                                                                                                       39
                                                                                                                 return ang < 1.ang;</pre>
                                                      struct Point2D {
              dp[i] = tr.find(i, len);
48
                                                                                                       40
                                                          LL x, y;
          printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
49
                                                                                                             Point intersection(Line 1) {
                                                                                                       41
                                                    5 };
50
                                                                                                       42
                                                                                                                 Vector u = p - 1.p;
                                                                                                                 double t = 1.v.cross(u) /
51
      return 0;
                                                                                                       43
                                                      struct Line2D {
52
   }
                                                                                                                      v.cross(1.v);
                                                          Point2D s, e;
   /****Input****
53
                                                                                                       44
                                                                                                                 return p + v*t;
                                                    9
                                                          LL a, b, c;
                                                                                // L: ax + by = c
   * abcd
                                                                                                             }
54
                                                                                                       45
                                                          Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e)
                                                   10
55
   * 4
                                                                                                       46 };
56
   * a b cd ab
                                                                                                       47
                                                   11
                                                              a = e.y - s.y;
57
    ******
                                                                                                       48
                                                                                                          int n, m;
                                                             b = s.x - e.x;
                                                   12
    ****Output***
                                                                                                       49 Line narrow[maxn]; // 要判斷的直線
58
                                                   13
                                                              c = a * s.x + b * s.y;
59
    * Case 1: 2
                                                                                                         Point poly[maxn]; //
                                                   14
    ********
                                                                                                               能形成半平面交的凸包邊界點
                                                   15 };
                                                                                                       51
                                                   16
                                                                                                          // return true if point p is on the left of
                                                      // 用克拉馬公式求二元一次解
         單調隊列
   4.5
                                                   18 Point2D intersection2D(Line2D 11, Line2D 12)
                                                                                                       53
                                                                                                          bool onLeft(Point p, Line 1) {
                                                                                                       54
                                                                                                             return 1.v.cross(p-1.p) > 0;
                                                          LL D = 11.a * 12.b - 12.a * 11.b;
                                                   19
   //單調隊列
                                                                                                       55
                                                          LL Dx = 11.c * 12.b - 12.c * 11.b;
                                                   20
 2
   "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"
                                                                                                       56
                                                          LL Dy = 11.a * 12.c - 12.a * 11.c;
                                                                                                       57
                                                                                                          int halfplaneIntersection() {
                                                   22
   example
                                                                                                       58
                                                                                                             int 1, r;
                                                                          // intersection
                                                   23
                                                                                                             Line L[maxn];
                                                                                                       59
                                                                                                                                  // 排序後的向量隊列
                                                              double x = 1.0 * Dx / D;
                                                   24
   給出一個長度為 n 的數組,
                                                                                                       60
                                                                                                             Point P[maxn];
                                                                                                                                 // s[i] 跟 s[i-1]
                                                   25
                                                              double y = 1.0 * Dy / D;
   輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
                                                   26
                                                              if(Dx || Dy) // Parallel lines
                                                                                                       61
                                                   27
   #include <bits/stdc++.h>
                                                                                                             L[l=r=0] = narrow[0]; // notice: narrow
                                                                          // Same line
                                                   28
   #define maxn 1000100
                                                                                                                  is sorted
                                                   29
   using namespace std;
                                                                                                             for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
                                                                                                       63
                                                   30 }
   int q[maxn], a[maxn];
12
                                                                                                                 while(1<r && !onLeft(P[r-1],</pre>
                                                                                                       64
   int n, k;
                                                                                                                      narrow[i])) r--
   //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
                                                                                                                 while(l<r && !onLeft(P[1],</pre>
                                                                                                       65
15
   void getmin() {
                                                      5.2 半平面相交
                                                                                                                      narrow[i])) l++;
16
      int head=0,tail=0;
                                                                                                       66
17
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
                                                                                                       67
                                                                                                                 L[++r] = narrow[i];
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                    1 // Q: 給定一張凸包(已排序的點),
                                                                                                                 if(1 < r) P[r-1] =
                                                                                                       68
                                                      // 找出圖中離凸包外最遠的距離
               tail--:
                                                                                                                      L[r-1].intersection(L[r]);
19
          q[++tail]=i;
                                                                                                             }
                                                                                                       69
20
                                                      const int maxn = 100 + 10;
                                                                                                       70
21
      for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
                                                      const double eps = 1e-7;
                                                                                                             while(l<r && !onLeft(P[r-1], L[1])) r--;</pre>
                                                                                                       71
22
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                                                                       72
                                                                                                             if(r-l <= 1) return 0;
               tail--:
                                                      struct Vector {
                                                                                                       73
                                                          double x, y;
23
          q[++tail]=i;
                                                                                                             P[r] = L[r].intersection(L[1]);
                                                                                                       74
                                                          Vector(double x=0.0, double y=0.0):
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
24
25
          cout<<a[q[head]]<<" ";
                                                               x(x), y(y) {}
                                                                                                       76
                                                                                                             int m=0:
26
                                                                                                       77
                                                                                                             for(int i=l; i<=r; i++) {</pre>
27
      cout << endl:
                                                          Vector operator+(Vector v) {
                                                   11
                                                                                                       78
                                                                                                                 poly[m++] = P[i];
28
   }
                                                   12
                                                              return Vector(x+v.x, y+v.y);
                                                                                                       79
   // 和上面同理
29
                                                   13
                                                                                                       80
   void getmax() {
30
                                                          Vector operator-(Vector v) {
                                                                                                       81
                                                                                                             return m;
      int head=0,tail=0;
31
                                                   15
                                                              return Vector(x-v.x, y-v.y);
                                                                                                       82
32
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
                                                                                                       83
33
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail-1-7;</pre>
                                                          Vector operator*(double val) {
                                                                                                       84
                                                                                                          Point pt[maxn];
34
          q[++tail]=i;
                                                              return Vector(x*val, y*val);
                                                                                                       85
                                                                                                          Vector vec[maxn];
35
                                                                                                          Vector normal[maxn];// normal[i] = vec[i]
      for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
                                                          double dot(Vector v) { return x*v.x +
36
37
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
```

v\*v.v; }

v\*v.x; }

double cross(Vector v) { return x\*v.y -

double bsearch(double l=0.0, double r=1e4) {

38

39

α[++tail]=i:

while(q[head]<=i-k) head++;</pre>

```
if(abs(r-1) < eps) return 1;</pre>
89
                                                                                                                  dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];
                                                   39 // size of arr = n >= 3
90
                                                                                                      12
                                                                                                                 dp[i][j][1] =
                                                   40 // st = the stack using vector, m = index of
       double mid = (1 + r) / 2;
91
                                                                                                      13
                                                                                                                  dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];
92
                                                            the top
                                                                                                      14
                                                      vector<Point> convex_hull() {
93
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                   41
                                                                                                      15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
           narrow[i] = Line(pt[i]+normal[i]*mid,
                                                          vector<Point> st(arr, arr+3);
94
                                                          for(int i=3, m=2; i<n; i++, m++) {</pre>
                vecΓil):
                                                   43
                                                              while(m >= 2) {
95
                                                   44
                                                                                                         6.2 Deque 最大差距
96
                                                   45
                                                                 if(cross(st[m], st[m-1], arr[i])
97
       if(halfplaneIntersection())
98
           return bsearch(mid, r);
                                                                     break;
                                                                                                       1 /*定義 dp[1][r]是1 ~ r時與先手最大差異值
99
       else return bsearch(1, mid);
                                                   47
                                                                 st.pop_back();
100 }
                                                   48
                                                                                                                r), a[r] - solve(1, r - 1)}
101
                                                   49
                                                             }
102
   int main() {
                                                   50
                                                             st.push_back(arr[i]);
                                                                                                           所以正負正負...*/
       while(~scanf("%d", &n) && n) {
103
                                                   51
                                                                                                         #define maxn 3005
           for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
104
                                                   52
                                                          return st;
                                                                                                         bool vis[maxn][maxn];
              double x, y;
                                                   53 }
105
                                                                                                         long long dp[maxn][maxn];
              scanf("%1f%1f", &x, &y);
106
                                                   54
                                                                                                         long long a[maxn];
107
              pt[i] = \{x, y\};
                                                   55
                                                      bool inPolygon(vector<Point>& vec, Point p) {
                                                                                                         long long solve(int 1, int r) {
                                                          vec.push_back(vec[0]);
108
                                                   56
                                                                                                             if (1 > r) return 0;
           for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                          for(int i=1; i<vec.size(); i++) {</pre>
109
                                                   57
                                                                                                             if (vis[l][r]) return dp[l][r];
110
              vec[i] = pt[(i+1)%n] - pt[i];
                                                              if(cross(vec[i-1], vec[i], p) < 0) {</pre>
                                                                                                             vis[l][r] = true;
111
              normal[i] =
                                                   59
                                                                 vec.pop_back();
                                                                                                      13
                    vec[i].unit_normal_vector();
                                                                 return false;
                                                   60
112
                                                   61
                                                                                                      15
                                                                                                             return dp[1][r] = res;
113
                                                   62
                                                                                                      16
                                                                                                         }
114
           printf("%.61f\n", bsearch());
                                                   63
                                                          vec.pop_back();
                                                                                                      17
                                                                                                         int main() {
115
       }
                                                   64
                                                          return true;
                                                                                                      18
116
       return 0;
                                                   65
                                                                                                             printf("%l1d\n", solve(1, n));
117 }
                                                   66
                                                                                                      20 }
                                                   67
                                                             1 | x1 x2 x3 x4 x5
                                                                                             xn |
                                                   68
                                                         A = -- | x x x x
   5.3 凸包
                                                   69
                                                             2 | y1 y2 y3 y4 y5
                                                                                              yn |
                                                                                                         6.3 LCS 和 LIS
                                                       double calculateArea(vector<Point>& v) {
                                                   70
                                                          v.push_back(v[0]); // make v[n] = v[0]
                                                   71
   //Q: 平面上給定多個區域,由多個座標點所形成,再給定 72
                                                          double result = 0.0;
                                                                                                       1 //LCS 和 LIS 題目轉換
   //多點(x,y),判斷有落點的區域(destroyed)的面積總和。73
                                                          for(int i=1; i<v.size(); i++)</pre>
                                                                                                       2 LIS 轉成 LCS
   const int maxn = 500 + 10;
                                                              result +=
                                                                                                             1. A 為原序列, B=sort(A)
   const int maxCoordinate = 500 + 10;
                                                   75
                                                               v[i-1].x*v[i].y - v[i-1].y*v[i].x;
                                                                                                             2. 對 A,B 做 LCS
   struct Point {
                                                   76
                                                          v.pop_back();
                                                                                                         ICS 轉成 ITS
       int x, y;
                                                          return result / 2.0;
                                                                                                             1. A, B 為原本的兩序列
 7
   };
                                                   78 }
   int n;
                                                   79
                                                                                                             3. 對 B 做 LIS
   bool destroyed[maxn];
                                                   80
                                                      int main() {
   Point arr[maxn];
                                                   81
                                                                                                      10
                                                                                                                越早出現的數字要越小
   vector<Point> polygons[maxn];
                                                          while(~scanf("%d", &n) && (n != -1)) {
                                                                                                      11
                                                                                                             5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
   void scanAndSortPoints() {
12
                                                              scanAndSortPoints();
                                                   83
                                                                                                      12
                                                                                                                直接忽略這個數字不做轉換即可
       int minX = maxCoordinate, minY =
13
                                                   84
                                                              polygons[p++] = convex_hull();
            maxCoordinate:
                                                   85
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                          int x, y;
                                                   86
15
           int x, y;
                                                   87
                                                          double result = 0.0;
                                                                                                         6.4 RangeDP
                                                          while(~scanf("%d%d", &x, &y))
           scanf("%d%d", &x, &y);
16
                                                   88
17
           arr[i] = (Point)\{x, y\};
                                                   89
                                                              for(int i=0; i<p; i++)</pre>
           if(y < minY || (y == minY && x <</pre>
                                                                                                       1 //區間dp
18
                                                   90
                                                                 if(inPolygon(polygons[i],
                minX)) {
                                                                                                       2 int dp[55][55];
                                                                       (Point)\{x, y\})
       // If there are floating points, use:
19
                                                   91
                                                                     destroyed[i] = true;
                                                                                                         // dp[i][j] -> [i,j]切割區間中最小的cost
20
       // if(y<minY || (abs(y-minY)<eps &&
                                                          for(int i=0; i<p; i++)</pre>
                                                                                                         int cuts[55];
                                                   92
                                                                                                         int solve(int i, int j) {
            x<minX)) {</pre>
                                                              if(destroyed[i])
                                                   93
                                                                                                             if (dp[i][j] != -1)
21
              minX = x, minY = y;
                                                                 result +=
                                                   94
22
                                                                      calculateArea(polygons[i]);
                                                                                                                 return dp[i][j];
23
                                                          printf("%.21f\n", result);
                                                                                                       8
24
       sort(arr, arr+n, [minX, minY](Point& a,
                                                                                                             if (i == j - 1)
                                                          return 0;
                                                   96
            Point& b){
```

## DP 6.1 抽屜

25

26

27 28

29

30

32

34

35

36

37 }

});

return;

double theta1 = atan2(a.y - minY, a.x

double theta2 = atan2(b.y - minY, b.x

- minX);

- minX);

return theta1 < theta2;</pre>

// returns cross product of  $u(AB) \times v(AC)$ 

int cross(Point& A, Point& B, Point& C) {

int  $u[2] = \{B.x - A.x, B.y - A.y\};$ 

int  $v[2] = \{C.x - A.x, C.y - A.y\};$ 

return (u[0] \* v[1]) - (u[1] \* v[0]);

```
1 long long dp[70][70][2];
2 // 初始條件
  dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
  for (int i = 2; i <= 66; ++i){
     // i個抽屜\theta個安全且上方\theta =
       (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
       (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
     dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
     for (int j = 1; j \le i; ++j) {
        dp[i][j][0] =
```

```
轉移式: dp[1][r] = max{a[1] - solve(1 + 1,
裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,
 long long res = a[l] - solve(l + 1, r);
 res = max(res, a[r] - solve(1, r - 1));
```

```
2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
```

```
//代表沒有其他切法,只能是cuts[j] - cuts[i]
          return dp[i][j] = 0;
10
11
      int cost = 0x3f3f3f3f;
12
      for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
13
          //枚舉區間中間切點
14
          cost = min(cost, solve(i, m) +
15
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
16
17
      return dp[i][j] = cost;
18
19
  int main() {
      int 1.n:
20
      while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
          scanf("%d", &n);
22
23
          for (int i = 1; i <= n; ++i)
             scanf("%d", &cuts[i]);
24
          cuts[0] = 0;
```

```
printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
                                                                                                        11
             return 0:
                                                                                                        12
31
                                                                                                        13
                                                                                                        14
                                                                                                        15
      6.5 stringDP
      Edit distanceS<sub>1</sub> 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S<sub>2</sub>
                                                                                                        17
                                  i+1 \\ j+1 \\ dp[i-1][j-1] \\ dp[i][j-1] \\ dp[i-1][j] \\ ^{3}n[i-1][j-1]
                                                                                                       18
                                                                             \mathrm{if} S_1[i] = S_2[j]
                                                                                                        20
                                                                           \mathrm{if} S_1[i] \neq S_2[j]
       Longest Palindromic Subsequence
                                                                                                        24
      dp[l][r] = \left\{ \begin{array}{cc} 1 & \text{if} \\ dp[l+1][r-1] & \text{if} \\ \max\{dp[l+1][r], dp[l][r-1]\} & \text{if} \end{array} \right.
                                                                                                        25
                                                                                    S[l] = S[r] 
S[l] \neq S[r]  26
                                                                                                        27
```

cuts[n + 1] = 1;

memset(dp, -1, sizeof(dp));

26

27

28

29

30

## 6.6 樹 DP 有幾個 path 長度為 k

```
#define maxn 50005
   #define maxk 505
   //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
 4 long long dp[maxn][maxk];
   vector<vector<int>> G;
   int n, k;
   long long res = 0;
   void dfs(int u, int p) {
      //u自己
10
      dp[u][0] = 1;
11
      for (int v: G[u]) {
          if (v == p)
12
13
              continue;
14
          dfs(v, u);
          for (int i = 1; i <= k; ++i) {</pre>
15
              //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
16
              dp[u][i] += dp[v][i - 1];
17
          }
18
      }
19
      //統計在u子樹中距離u為k的數量
20
21
      res += dp[u][k];
      long long cnt = 0;
22
23
      for (int v: G[u]) {
        if (v == p)
24
25
          continue; //重點算法
         for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
26
27
28
            dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
29
30
      res += cnt / 2;
31
32
   }
33
   int main() {
34
35
      dfs(1, -1);
      printf("%11d\n", res);
36
```

## TreeDP reroot

return 0:

37

38 }

```
1 \mid /*re\text{-root } dp \text{ on } tree \ 0(n + n + n) \rightarrow 0(n)*/
2
  class Solution {
3
  public:
      vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
            vector<vector<int>>& edges) {
          this->res.assign(n, 0);
          G.assign(n + 5, vector<int>());
          for (vector<int>& edge: edges) {
              G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
```

```
G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
                                                    19
          }
10
                                                    20
          memset(this->visited. 0.
                                                    21
                sizeof(this->visited));
                                                    22
          this->dfs(0);
                                                    23
           memset(this->visited, 0,
                sizeof(this->visited));
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
                                                    25
           memset(this->visited, 0,
                                                    26
                sizeof(this->visited));
           this->dfs3(0, n);
           return this->res;
19 private:
       vector<vector<int>> G;
                                                    31
       bool visited[30005];
                                                    32
       int subtreeSize[30005];
                                                    33
       vector<int> res;
                                                    34
       //求subtreeSize
                                                    35
       int dfs(int u) {
                                                    36
           this->visited[u] = true;
                                                    37
          for (int v: this->G[u])
                                                    38
28
              if (!this->visited[v])
                                                    39
                  this->subtreeSize[u] +=
                                                    40
                       this->dfs(v);
                                                    41
           this->subtreeSize[u] += 1;
31
                                                    42
32
           return this->subtreeSize[u];
                                                    43
33
                                                    44
34
       //求res[0], 0到所有點的距離
                                                    45
       int dfs2(int u, int dis) {
35
                                                    46
36
           this->visited[u] = true;
           int sum = 0;
38
          for (int v: this->G[u])
              if (!visited[v])
                  sum += this->dfs2(v, dis + 1);
40
41
           //要加上自己的距離
42
           return sum + dis;
43
       //算出所有的res
       void dfs3(int u, int n) {
45
          this->visited[u] = true;
47
           for (int v: this->G[u]) {
              if (!visited[v]) {
48
49
                  this->res[v] = this->res[u] +
                       n - 2 *
                       this->subtreeSize[v];
                  this->dfs3(v, n);
51
```

### WeightedLIS 6.8

}

}

52

53

54 \ \ \ ;

```
1 #define maxn 200005
2 long long dp[maxn];
 3 long long height[maxn];
 4 long long B[maxn];
5 long long st[maxn << 2];</pre>
   void update(int p, int index, int 1, int r,
        long long v) {
       if (1 == r) {
          st[index] = v;
9
          return;
10
       int mid = (1 + r) >> 1;
11
       if (p <= mid)</pre>
12
13
          update(p, (index << 1), 1, mid, v);
14
          update(p, (index << 1) + 1, mid + 1,
               r, v);
       st[index] = max(st[index << 1],</pre>
            st[(index << 1) + 1]);
17
18 long long query(int index, int 1, int r, int
        ql, int qr) {
```

```
if (ql <= 1 && r <= qr)
          return st[index];
       int mid = (1 + r) >> 1;
       long long res = -1;
       if (ql <= mid)</pre>
           res = max(res, query(index << 1, 1,
                mid, ql, qr));
       if (mid < qr)</pre>
           res = max(res, query((index << 1) +
               1, mid + 1, r, ql, qr));
27
       return res;
28 }
29
   int main() {
30
       int n;
       scanf("%d", &n);
       for (int i = 1; i <= n; ++i)
           scanf("%11d", &height[i]);
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
          scanf("%11d", &B[i]);
       long long res = B[1];
       update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
       for (int i = 2; i <= n; ++i) {</pre>
           long long temp;
           if (height[i] - 1 >= 1)
              temp = B[i] + query(1, 1, n, 1,
                   height[i] - 1);
              temp = B[i];
           update(height[i], 1, 1, n, temp);
           res = max(res, temp);
47
       printf("%11d\n", res);
48
       return 0;
49 }
```

10