```
Contents
                               25
                                   if(i>mx){
                                    r[i]=ex(i,i);
                               26
                               27
                                    center=i;
                                    mx=i+r[i]-1;
                               28
1 字串
 29
 30
                                   else if(r[ii]==len){
                                    r[i]=len+ex(i-len,i+len);
                               31
                               32
                                    center=i:
 33
                                    mx=i+r[i]-1;
 2
                               34
 2.3 atan
 35
                                   else r[i]=min(r[ii],len);
                               36
                                   ans=max(ans,r[i]);
3 algorithm
                               37
 3.1 basic
                               38
                                  cout << ans -1 << "\n";
 3.2 二分搜
                              3
 39
                                  return 0;
                               40 }
 1.2 KMP
 1 #define maxn 1000005
 int nextArr[maxn];
                                 void getNextArr(const string& str) {
                              10
                                   nextArr[0] = 0;
                              10
 11
                                   int prefixLen = 0;
 for (int i = 1; i < str.size(); ++i) {</pre>
                                7
                                     prefixLen = nextArr[i - 1];
                                     //如果不一樣就在之前算過的prefix中搜有沒有更短的前後綴
4 DataStructure
 4.1 線段樹 1D . .
                                9
                                     while (prefixLen > 0 && str[prefixLen] !=
                              13
 str[i])
 4.3 權值線段樹
                              14
                                       prefixLen = nextArr[prefixLen - 1];
                               10
                              15
                                     //一樣就繼承之前的前後綴長度+1
 11
                                     if (str[prefixLen] == str[i])
5 geometry
                              16
                               13
                                       ++prefixLen;
 5.1 intersection . . . . . . . . . . . . . . .
                              16
                                     nextArr[i] = prefixLen;
                               14
 16
                                   }
                               15
                                   for (int i = 0; i < str.size() - 1; ++i) {</pre>
                               16
6 DP
                              17
                               17
                                     vis[nextArr[i]] = true;
 6.1 抽屜
                               18
 19 }
 6.5 stringDP
 6.6 TreeDP 有幾個 path 長度為 k . . . . . . . . . . . . . . . .
 2
                                   math
```

字串

最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
  using namespace std;
5 string s;
6 int n;
  int ex(int 1,int r){
8
9
    int i=0:
10
     while (1-i)=0&&r+i<0&T(1-i)==T(r+i) i++;
11
     return i;
12 }
13
14 int main(){
15
     cin>>s;
    n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx=0;
18
    int center=0;
     vector<int> r(n);
19
20
    int ans=1;
21
     r[0]=1:
22
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
23
       int ii=center-(i-center);
       int len=mx-i+1;
24
```

質數與因數

2.1

```
歐拉篩O(n)
  #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
  bool isPrime[MAXN];
  int prime[MAXN];
5
  int primeSize=0;
  void getPrimes(){
6
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
8
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
9
       for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
10
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
           for(int
11
               j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){
12
               isPrime[i*prime[j]]=false;
               if(i%prime[j]==0) break;
13
           }
14
      }
15
16
  }
17
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
18
19
  int GCD(int a, int b){
20
       if(b==0) return a;
       return GCD(b,a%b);
21
22
  }
23
  質因數分解
24
25
  void primeFactorization(int n){
26
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
27
           if(p[i]*p[i]>n) break;
```

```
28
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
29
30
            while(n%p[i]==0) n/=p[i];
31
32
       if(n!=1) cout<<n<<' ';
       cout << '\n';
33
34 }
35
36 擴展歐幾里得算法
   //ax+by=GCD(a,b)
37
38
39
   int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y){
       if(b==0){
40
41
           x=1, y=0;
           return a;
42
43
44
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
45
       y-=a/b*x;
46
       return d;
47
   }
48
   int main(){
49
50
       int a,b,x,y;
51
       cin>>a>>b;
52
       ext_euc(a,b,x,y);
53
       cout << x << ' '<< y << end1;
54
       return 0:
55 }
56
57
58
59|歌德巴赫猜想
60 solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
61 #define N 20000000
62 int ox[N],p[N],pr;
63 void PrimeTable(){
       ox[0]=ox[1]=1;
64
65
       pr=0:
       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
66
67
            if(!ox[i]) p[pr++]=i;
            for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
68
69
                ox[i*p[j]]=1;
       }
70
71 }
72
   int main(){
73
       PrimeTable();
74
75
       int n;
76
       while(cin>>n,n){
77
           int x;
78
            for(x=1;;x+=2)
79
                if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
80
           printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
       }
81
82 }
83 problem : 給定整數 N,
           求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
85 如果 N 是質數,則答案為 1。
86 如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
87 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
88 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
89
90
   bool isPrime(int n){
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
91
92
            if(i*i>n) return true;
           if(n%i==0) return false;
93
94
95
       return true;
96 }
97
   int main(){
98
99
       int n;
100
       cin>>n:
101
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
102
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout << "2\n";</pre>
103
       else cout << "3\n";</pre>
```

104 }

2.2 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中有幾個正整數與 n 互質
2
3
  int phi(){
      int ans=n;
4
5
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
          if(n%i==0){
6
               ans=ans-ans/i;
               while(n%i==0) n/=i;
8
9
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
10
11
      return ans;
12 }
```

2.3 atan

```
1 說明
    atan() 和 atan2() 函數分別計算 x 和 y/x 的反正切。
2
3
4
  回傳值
    atan() 函數會傳回介於範圍 -pi/2 到 pi/2
5
        弧度之間的值。
    atan2()函數會傳回介於 -pi 至 pi 弧度之間的值。
6
    如果 atan2() 函數的兩個引數都是零,
7
    則函數會將 errno 設為 EDOM,並傳回值 0。
8
9
  範例
10
11
  int main(void){
12
      double a,b,c,d;
13
     c = 0.45;
     d=0.23;
14
     a=atan(c):
15
16
     b=atan2(c,d);
      printf("atan(%1f)=%1f/n",c,a);
17
18
      printf("atan2(%1f,%1f)=%1f/n",c,d,b);
19
20 }
  // atan(0.450000)=0.422854
22 // atan2(0.450000,0.230000)=1.098299
```

2.4 大步小步

```
1
   題意
2 給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
  題解
3
 餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
     B^0 B^P, B^1 B^(P+1), ...,
 也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
     能得到結果,但會超時。
6 將 L 拆成 mx+y, 只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
 設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 。
8 B^(mx+y) N(mod P)
 B^(mx)B^y N(mod P)
10 B^y N(B^(-m))^x (mod P)
12 再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,⋯ 查看是否有對應的 B^y。
13 這種算法稱為大步小步演算法,
14 大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
15 小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
   複雜度分析
16
17
 利用 map/unorder_map 存放 B^0,B^1,B^2,…,B^(m-1),
18 枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
19 存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為 0(√Plog√P)/0(√P)。
21
 using LL = long long;
22 LL B, N, P;
```

```
23 LL fpow(LL a, LL b, LL c){
       LL res=1;
24
25
       for(;b;b >>=1){
            if(b&1)
26
27
                res=(res*a)%c;
28
            a=(a*a)%c;
29
       }
30
       return res:
31 }
  LL BSGS(LL a,LL b,LL p){
32
33
       a\%=p,b\%=p;
       if(a==0)
34
35
            return b==0?1:-1;
       if(b==1)
36
37
            return 0;
       map<LL, LL> tb;
38
39
       LL sq=ceil(sqrt(p-1));
10
       LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
       tb[1]=sq;
41
42
       for(LL i=1, tmp=1; i < sq; ++i){</pre>
            tmp=(tmp*a)%p:
43
44
            if(!tb.count(tmp))
45
                 tb[tmp]=i;
46
47
       for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
48
            if(tb.count(b)){
49
                 LL res=tb[b];
50
                 return i*sq+(res==sq?0:res);
51
52
            b=(b*inv)%p;
53
54
       return -1;
55 }
56 int main(){
               //輸入優化
57
       IOS:
       while(cin>>P>>B>>N){
58
59
            LL ans=BSGS(B,N,P);
60
            if(ans==-1)
61
                 cout << "no solution\n";</pre>
62
63
                 cout << ans << '\n';
       }
64
65 }
```

3 algorithm

3.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp 。
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
11
            如果不存在,則回傳 last 。
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
14
upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
17
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
  next_permutation(first, last)
18
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
20
21 prev_permutation(first, last)
```

3.2 二分搜

```
1 int binary_search(int target) {
  // For range [ok, ng) or (ng, ok], "ok" is for the
  // index that target value exists, with "ng" doesn't.
      int ok = maxn, ng = -1;
  // For first lower_bound, ok=maxn and ng=-1,
  // for last lower_bound, ok = -1 and ng = maxn
  // (the "check" funtion
  // should be changed depending on it.)
      while(abs(ok - ng) > 1) {
9
          int mid = (ok + ng) >> 1;
10
11
          if(check(mid)) ok = mid;
          else ng = mid;
12
13 // Be careful, "arr[mid]>=target" for first
14 // lower_bound and "arr[mid]<=target" for
  // last lower_bound. For range (ng, ok],
16 // convert it into (ng, mid] and (mid, ok] than
17 // choose the first one, or convert [ok, ng) into
18 // [ok, mid) and [mid, ng) and than choose
19
  // the second one.
20
      }
21
      return ok;
22 }
23 lower_bound(arr, arr + n, k);
                                   //最左邊 ≥ k 的位置
24 upper_bound(arr, arr + n, k);
                                  //最左邊 > k 的位置
25 upper_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
26 lower_bound(arr, arr + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
27 (lower_bound, upper_bound)
                                   //等於 k 的範圍
28 equal_range(arr, arr+n, k);
```

3.3 三分搜

```
題意
1
2 給定兩射線方向和速度,問兩射線最近距離。
    題解
3
  假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離, F(t) 為二次函數,
  可用三分搜找二次函數最小值。
5
6
  struct Point{
      double x, y, z;
      Point() {}
8
      Point(double _x, double _y, double _z):
9
10
          x(_x),y(_y),z(_z){}
11
      friend istream& operator>>(istream& is, Point& p)
          is >> p.x >> p.y >> p.z;
12
13
          return is;
14
15
      Point operator+(const Point &rhs) const{
          return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z);
16
17
18
      Point operator - (const Point &rhs) const{
          return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z);
19
20
      Point operator*(const double &d) const{
21
22
          return Point(x*d,y*d,z*d);
23
24
      Point operator/(const double &d) const{
25
          return Point(x/d,y/d,z/d);
26
27
      double dist(const Point &rhs) const{
28
          double res = 0;
29
          res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);
          res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y);
30
          res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z);
31
32
          return res;
      }
33
34
  };
35
  int main(){
                //輸入優化
36
      IOS;
37
      int T;
      cin>>T;
38
      for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre>
39
40
          double time;
          Point x1, y1, d1, x2, y2, d2;
41
42
          cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2;
```

98

++n:

```
43
            d1=(y1-x1)/time;
            d2=(y2-x2)/time;
44
45
            double L=0, R=1e8, m1, m2, f1, f2;
            double ans = x1.dist(x2);
46
            while(abs(L-R)>1e-10){
47
48
                 m1 = (L+R)/2;
                m2=(m1+R)/2;
49
50
                 f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);
                 f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);
51
                 ans = min(ans, min(f1, f2));
52
53
                 if(f1<f2) R=m2;
                 else L=m1;
54
55
            }
            cout << "Case "<<ti << ": ";
56
57
            cout << fixed << setprecision(4) << sqrt(ans) << '\n';</pre>
       }
58
59 }
```

3.4 差分

```
1|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
2|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
3 | b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
4| 給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
5 因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
6 所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
7 在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
8 最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
9 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
10 int a[1000], b[1000];
11 // a: 前綴和數列, b: 差分數列
12 int main(){
      int n, 1, r, v;
13
      cin >> n;
14
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
15
16
         cin >> a[i];
17
         b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
      }
18
19
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
20
21
      b[r+1] -= v;
22
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
         b[i] += b[i-1];
23
24
         cout << b[i] << '
25
      }
26 }
```

3.5 greedy

22

```
2 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
3 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
4|但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
5 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
6 確認無誤再實作。
8 刪數字問題
9 //problem
10 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
11 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
12 //solution
13 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
14 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
15 //code
16
 int main(){
17
    string s;
18
    int k;
19
    cin>>s>>k:
20
    for(int i=0;i<k;++i){</pre>
       if((int)s.size()==0) break;
21
       int pos =(int)s.size()-1;
```

```
23
          for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
             if(s[j]>s[j+1]){
24
25
                 pos=j;
26
                 break:
27
         }
28
29
         s.erase(pos.1):
30
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
31
32
          s.erase(0,1);
33
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
      else cout << 0 << '\n';
34
35 }
36 最小區間覆蓋長度
  //problem
37
38 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
39 請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
  //solution
  先將 所有 區間 依照 左界 由 小 到 大 排 序 ,
41
  對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
  找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
43
44
45
  //problem
46 長度 n 的直線中有數個加熱器,
47 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
48 問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
49
  //solution
50 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
51
52
  //code
53
  int main(){
      int n, r;
54
      int a[1005];
55
56
      cin>>n>>r:
57
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
58
      int i=1, ans=0;
      while(i<=n){
59
          int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
60
61
         int nextR=-1;
          for(int j=R; j>=L; -- j){
62
63
             if(a[j]){
64
                 nextR=i:
65
                 break:
66
             }
67
68
          if(nextR==-1){
69
             ans=-1;
70
             break;
71
         }
72
          ++ans;
73
         i=nextR+r;
74
75
      cout << ans << '\n';
76
  }
77
  最多不重疊區間
78
  //problem
  給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
  請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
  //solution
82 依照右界由小到大排序,
  每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
83
85
  struct Line{
86
      int L,R;
      bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
87
          return R<rhs.R;</pre>
88
89
90 };
91
  int main(){
92
      int t;
93
      cin>>t;
      Line a[30];
94
95
      while(t--){
96
97
          while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R)
```

```
99
           sort(a,a+n);
                                                         174
                                                                    if(a[i].d<sumT){</pre>
           int ans=1,R=a[0].R;
                                                         175
                                                                        int x=pq.top();
100
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                                        pq.pop();
101
                                                         176
              if(a[i].L>=R){
102
                                                         177
                                                                        sumT -= x;
103
                  ++ans;
                                                         178
                                                                        --ans;
                                                                    }
104
                  R=a[i].R;
                                                         179
              }
                                                                }
105
                                                         180
106
          }
                                                         181
                                                                cout << ans << '\n';
          cout << ans << '\n';
107
                                                         182
                                                            }
108
                                                         183
109 }
                                                            任務調度問題
                                                         184
110 最小化最大延遲問題
                                                         185
                                                            //problem
111 //problem
                                                         186 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
112 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
113 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                            請問最少會受到多少單位懲罰。
114 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                            //solution
                                                         189
115 求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                         190 依照懲罰由大到小排序,
116 //solution
                                                            每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
117 按照到期時間從早到晚處理。
                                                         192
                                                            如果有空閒就放進去,否則延後執行。
118 //code
                                                         193
119
   struct Work{
                                                            //problem
                                                         194
120
       int t, d;
                                                            給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         195
121
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                            期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
                                                         196
122
          return d<rhs.d;</pre>
                                                                單位獎勵,
123
                                                            請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                         197
124
  };
                                                         198
                                                            //solution
   int main(){
125
                                                         199
                                                            和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
126
       int n;
                                                         200
                                                            //code
127
       Work a[10000];
                                                            struct Work{
                                                         201
128
       cin>>n;
                                                         202
                                                                int d,p;
129
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                         203
                                                                bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
130
                                                         204
                                                                    return p>rhs.p;
131
       sort(a.a+n):
                                                         205
132
       int maxL=0, sumT=0;
                                                         206
                                                            };
133
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                         207
                                                            int main(){
134
           sumT+=a[i].t;
                                                                int n;
                                                         208
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
135
                                                         209
                                                                Work a[100005];
136
                                                                bitset < 100005 > ok:
                                                         210
       cout << maxL << '\n';</pre>
137
                                                                while(cin>>n){
                                                         211
138 }
                                                                    ok.reset():
                                                         212
139
   最少延遲數量問題
                                                         213
                                                                    for(int i=0;i<n;++i)</pre>
140
   //problem
                                                         214
                                                                        cin>>a[i].d>>a[i].p;
141 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                    sort(a,a+n);
                                                         215
142 期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                                    int ans=0;
                                                         216
143 //solution
                                                                    for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                         217
144 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序21/8
                                                                        int j=a[i].d;
145 依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                         219
                                                                        while(j--)
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
                                                                            if(!ok[j]){
146
                                                         220
                                                         221
                                                                                ans+=a[i].p;
147
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                                                ok[j]=true;
148
                                                         222
                                                         223
                                                                                break;
149
   //problem
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                         224
                                                                            }
150
                                                         225
                                                         226
                                                                    cout << ans << '\n';
   和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                                }
                                                         227
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                         228
   工作期限 → 烏龜可承受重量
154
   多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
155
156
   //code
   struct Work{
                                                            3.6
                                                                  dinic
157
158
       int t. d:
       bool operator < (const Work &rhs)const{</pre>
159
                                                          1 const int maxn = 1e5 + 10;
160
          return d<rhs.d;</pre>
                                                            const int inf = 0x3f3f3f3f;
          }
161
                                                            struct Edge {
                                                          3
162 };
                                                                int s, t, cap, flow;
   int main(){
163
                                                            };
                                                          5
164
       int n=0;
                                                            int n, m, S, T;
165
       Work a[10000];
                                                            int level[maxn], dfs_idx[maxn];
       priority_queue < int > pq;
166
                                                          8
                                                            vector < Edge > E;
       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
167
                                                            vector<vector<int>> G;
                                                          9
168
          ++n:
                                                            void init() {
                                                         10
169
       sort(a,a+n);
                                                         11
                                                                S = 0;
170
       int sumT=0,ans=n;
                                                                T = n + m;
                                                         12
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
171
                                                         13
                                                                E.clear();
172
          pq.push(a[i].t);
```

14

15 }

173

sumT+=a[i].t;

G.assign(maxn, vector<int>());

```
16
  void addEdge(int s, int t, int cap) {
                                                                  26
                                                                              if(pile[i]&1) ans^=SG[n-i];
                                                                           cout << "Game "<<++Case << ": ";</pre>
       E.push_back({s, t, cap, 0});
                                                                  27
17
       E.push_back({t, s, 0, 0});
                                                                  28
                                                                           if(!ans) cout<<"-1 -1 -1\n";</pre>
18
19
       G[s].push_back(E.size()-2);
                                                                  29
                                                                           else{
20
       G[t].push_back(E.size()-1);
                                                                  30
                                                                              bool flag=0;
21 }
                                                                  31
                                                                              for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
22 bool bfs() {
                                                                  32
                                                                                if(pile[i]){
23
       queue<int> q({S});
                                                                  33
                                                                                  for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
       memset(level, -1, sizeof(level));
                                                                                     for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
24
                                                                  34
25
       level[S] = 0;
                                                                  35
                                                                                       if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
                                                                                         cout<<i-1<<" "<<j-1<<" "<<k-1<<endl;
26
       while(!q.empty()) {
                                                                  36
27
           int cur = q.front();
                                                                  37
                                                                                         flag=1;
28
                                                                  38
            q.pop();
                                                                                         break;
                                                                                       }
            for(int i : G[cur]) {
                                                                  39
29
30
                Edge e = E[i];
                                                                  40
                                                                                   }
                if(level[e.t]==-1 && e.cap>e.flow) {
                                                                                    if(flag) break;
31
                                                                  41
                    level[e.t] = level[e.s] + 1;
                                                                  42
32
33
                     q.push(e.t);
                                                                  43
                                                                                  if(flag) break;
                }
                                                                  44
34
35
           }
                                                                  45
                                                                              }
                                                                           }
                                                                  46
36
37
       return ~level[T];
                                                                  47
                                                                         }
38 }
                                                                  48
                                                                         return 0;
                                                                  49
                                                                    }
39
  int dfs(int cur, int lim) {
       if(cur==T || lim==0) return lim;
                                                                     /*
40
                                                                  50
41
       int result = 0;
                                                                  51
                                                                     input
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size() && lim;</pre>
                                                                     4 1 0 1 100
42
                                                                  52
           i++) {
                                                                  53
                                                                     3 1 0 5
           Edge& e = E[G[cur][i]];
                                                                     2
43
                                                                  54
           if(level[e.s]+1 != level[e.t]) continue;
                                                                  55
                                                                     0
44
           int flow = dfs(e.t, min(lim, e.cap-e.flow));
                                                                     output
45
                                                                  56
           if(flow <= 0) continue;</pre>
46
                                                                     Game 1: 0 2 3
47
           e.flow += flow;
                                                                  58
                                                                     Game 2: 0 1 1
48
            result += flow;
                                                                  59
                                                                     Game 3: -1 -1 -1
49
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
                                                                  60
50
           lim -= flow;
51
       }
52
       return result;
                                                                           SCC Tarjan
53
54
  int dinic() {// O((V^2)E)
       int result = 0;
55
56
       while(bfs()) {
```

3.7 Nim Game

return result;

57

58

59

60

61 }

```
1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
2 //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
3 //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
4 #define maxn 23+5
5 int SG[maxn];
6 int visited[1000+5];
7 int pile[maxn],ans;
8 void calculateSG(){
      SG[0]=0;
9
      for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>
10
11
          int cur=0;
12
          for(int j=0; j<i; j++)</pre>
               for(int k=0;k<=j;k++)</pre>
13
14
                   visited[SG[j]^SG[k]]=i;
          while(visited[cur]==i) cur++;
15
16
          SG[i]=cur;
      }
17
18 }
19
  int main(){
      calculateSG():
20
      int Case=0,n;
21
22
      while(cin>>n,n){
23
        ans=0;
24
         for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
25
```

memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));

result += dfs(S, inf);

```
1 | //單純考 SCC,每個 SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小的要數出發
2 | //注意以下程式有縮點,但沒存起來,存法就是開一個 array
       \rightarrow ID[u] = SCCID
  #define maxn 100005
  #define MOD 1000000007
  long long cost[maxn];
  vector<vector<int>> G;
  int SCC = 0;
  stack<int> sk;
  int dfn[maxn];
10 int low[maxn]:
11 bool inStack[maxn];
  int dfsTime = 1;
12
  long long totalCost = 0;
  long long ways = 1;
14
  void dfs(int u) {
15
16
      dfn[u] = low[u] = dfsTime;
17
      ++dfsTime;
18
      sk.push(u);
      inStack[u] = true;
19
      for (int v: G[u]) {
20
21
          if (dfn[v] == 0) {
22
              dfs(v);
              low[u] = min(low[u], low[v]);
23
24
25
          else if (inStack[v]) {
              //屬於同個SCC且是我的back edge
26
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
27
28
          }
29
      }
      //如果是 scc
30
31
      if (dfn[u] == low[u]) {
          long long minCost = 0x3f3f3f3f;
32
33
          int currWays = 0;
34
          ++SCC;
35
          while (1) {
              int v = sk.top();
36
```

```
37
                inStack[v] = 0;
                sk.pop();
38
                if (minCost > cost[v]) {
39
40
                    minCost = cost[v];
41
                    currWays = 1;
                }
42
                else if (minCost == cost[v]) {
43
44
                    ++currWays;
                }
45
                if (v == u)
46
47
                    break:
48
49
           totalCost += minCost;
           ways = (ways * currWays) % MOD;
50
51
52 }
53 int main() {
54
       int n;
       scanf("%d", &n);
55
56
       for (int i = 1; i <= n; ++i)
           scanf("%11d", &cost[i]);
57
58
       G.assign(n + 5, vector<int>());
       int m;
59
       scanf("%d", &m);
60
61
       int u, v;
       for (int i = 0; i < m; ++i) {
62
           scanf("%d %d", &u, &v);
63
64
           G[u].emplace_back(v);
65
66
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {
           if (dfn[i] == 0)
67
68
                dfs(i);
69
70
       printf("%11d %11d\n", totalCost, ways % MOD);
71
       return 0;
72 }
```

3.9 ArticulationPoints Tarjan

```
1 | vector < vector < int >> G;
2 int N, timer;
3 bool visited[105];
4 int dfn[105]; // 第一次visit的時間
5 int low[105];
6 // 最小能回到的父節點(不能是自己的parent)的visTime
7 int res;
8 / / 求割點數量
  void tarjan(int u, int parent) {
10
      int child = 0;
      bool isCut = false;
11
12
      visited[u] = true;
      dfn[u] = low[u] = ++timer;
13
      for (int v: G[u]) {
14
          if (!visited[v]) {
15
               ++child;
16
17
               tarjan(v, u);
18
               low[u] = min(low[u], low[v]);
19
               if (parent != -1 && low[v] >= dfn[u])
                   isCut = true;
20
21
           else if (v != parent)
22
               low[u] = min(low[u], dfn[v]);
23
24
25
       //If u is root of DFS tree->有兩個以上的children
      if (parent == -1 && child >= 2)
26
27
           isCut = true;
      if (isCut) ++res;
28
29 }
30
  int main() {
      char input[105];
31
       char* token;
32
       while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
33
          G.assign(105, vector<int>());
34
35
          memset(visited, false, sizeof(visited));
          memset(low, 0, sizeof(low));
36
```

```
37
           memset(dfn, 0, sizeof(visited));
38
           timer = 0:
39
           res = 0;
           getchar(); // for \n
40
41
           while (fgets(input, 105, stdin)) {
               if (input[0] == '0')
42
43
                    break:
44
               int size = strlen(input);
45
                input[size - 1] = '\0';
                --size;
46
                token = strtok(input, " ");
47
               int u = atoi(token);
48
49
                int v;
                while (token = strtok(NULL, " ")) {
50
51
                    v = atoi(token);
                    G[u].emplace_back(v);
52
53
                    G[v].emplace_back(u);
54
               }
55
           }
56
           tarjan(1, -1);
57
           printf("%d\n", res);
58
       }
59
       return 0;
60 }
```

3.10 最小樹狀圖

```
1 const int maxn = 60 + 10;
  const int inf = 0x3f3f3f3f;
  struct Edge {
      int s, t, cap, cost;
5 }; // cap 為頻寬 (optional)
  int n, m, c;
  int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn], vis[maxn];
8 // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
9 // 找環,如果沒有則 return;
  // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
10
11
  int dirMST(vector < Edge > edges, int low) {
12
      int result = 0, root = 0, N = n;
      while(true) {
13
14
          memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
15
          // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
           // optional: low 為最小 cap 限制
16
          for(const Edge& e : edges) {
17
18
               if(e.cap < low) continue;</pre>
19
              if(e.s!=e.t && e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
20
                   inEdge[e.t] = e.cost;
21
                   pre[e.t] = e.s;
              }
22
23
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
24
25
              if(i!=root && inEdge[i]==inf)
26
                   return -1; //除了root 還有點沒有in edge
27
28
          int seq = inEdge[root] = 0;
          memset(idx, -1, sizeof(idx));
29
          memset(vis, -1, sizeof(vis));
30
           // 找所有的 cycle, 一起編號為 seq
31
          for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
32
33
              result += inEdge[i];
34
              int cur = i;
35
               while(vis[cur]!=i && idx[cur]==-1) {
                   if(cur == root) break;
36
                   vis[cur] = i;
37
38
                   cur = pre[cur];
39
40
              if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
41
                   for(int j=pre[cur]; j!=cur; j=pre[j])
42
                       idx[j] = seq;
43
                   idx[cur] = seq++;
44
45
46
          if(seq == 0) return result; // 沒有 cycle
47
          for(int i=0; i<N; i++)</pre>
```

```
// 沒有被縮點的點
48
                                                              125
                                                                        q.push(new Heap(&in[i][j]));
                if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
                                                                     while (q.size() > 1) {
49
                                                             126
                                                                       Heap *u = q.front();
            // 縮點並重新編號
                                                              127
50
           for(Edge& e : edges) {
                                                             128
                                                                       q.pop();
51
                                                             129
                                                                       Heap *v = q.front();
52
                if(idx[e.s] != idx[e.t])
                                                             130
                                                                       q.pop();
53
                    e.cost -= inEdge[e.t];
                                                             131
                                                                       q.push(merge(u, v));
54
                e.s = idx[e.s];
               e.t = idx[e.t];
                                                             132
55
                                                                     Q[i] = q.front();
           }
                                                             133
56
                                                              134
           N = seq;
57
                                                             135
                                                                   mark[1] = true;
58
           root = idx[root];
                                                                   for(int a=1,b=1,p;Q[a];b=a,mark[b]=true){
59
                                                              136
60 }
                                                                     //尋找最小入邊以及其端點,保證無環
                                                              137
138
                                                                       ed[a] = extract(Q[a]);
62 0 (m+nlog n)時間內解決最小樹形圖問題的演算法。
                                                             139
                                                                       a = id[ed[a]->u];
                                                              140
63 typedef long long 11;
                                                                     } while (a == b && Q[a]);
64 #define maxn 102
                                                             141
                                                                     if (a == b) break;
65 #define INF 0x3f3f3f3f
                                                             142
                                                             143
                                                                     if (!mark[a]) continue;
66 struct UnionFind {
                                                                     //對發現的環進行收縮,以及環內的節點重新編號,
67
     int fa[maxn << 1];</pre>
                                                             144
     UnionFind() { memset(fa, 0, sizeof(fa)); }
68
                                                                     //總權值更新
                                                             145
     void clear(int n) {
69
                                                                     for (a = b, n++; a != n; a = p) {
                                                             146
70
       memset(fa + 1, 0, sizeof(int) * n);
                                                                        id.fa[a] = fa[a] = n;
                                                              147
71
                                                                       if (Q[a]) Q[a]->constant -= ed[a]->w;
                                                             148
72
     int find(int x) {
                                                              149
                                                                       Q[n] = merge(Q[n], Q[a]);
       return fa[x] ? fa[x] = find(fa[x]) : x;
73
                                                              150
                                                                       p = id[ed[a]->u];
74
                                                                       nxt[p == n ? b : p] = a;
                                                             151
     int operator[](int x) { return find(x); }
75
                                                              152
76 };
                                                                   }
                                                             153
77 struct Edge {
                                                              154
                                                                 }
78
    int u, v, w, w0;
                                                             155 ll expand(int x, int r);
79 };
                                                             156
                                                                 11 expand_iter(int x) {
80 struct Heap {
                                                             157
                                                                   11 r = 0;
81
     Edge *e;
                                                                   for(int u=nxt[x];u!=x;u=nxt[u]){
                                                             158
                                                                     if (ed[u]->w0 >= INF)
82
     int rk, constant;
                                                              159
83
     Heap *lch, *rch;
                                                             160
                                                                       return INF;
84
     Heap(Edge *_e):
                                                              161
                                                                     else
       e(_e), rk(1), constant(0), lch(NULL), rch(NULL){}
85
                                                             162
                                                                       r+=expand(ed[u]->v,u)+ed[u]->w0;
86
     void push() {
                                                                   }
                                                             163
87
       if (lch) lch->constant += constant;
                                                              164
                                                                   return r;
88
       if (rch) rch->constant += constant;
                                                             165
                                                                 }
89
       e->w += constant;
                                                              166
                                                                 11 expand(int x, int t) {
       constant = 0;
                                                                   11 r = 0;
90
                                                             167
91
    }
                                                                   for (; x != t; x = fa[x]) {
                                                              168
92 }:
                                                              169
                                                                     r += expand_iter(x);
93
  Heap *merge(Heap *x, Heap *y) {
                                                                     if (r >= INF) return INF;
                                                             170
94
     if (!x) return y;
                                                                   }
                                                              171
95
     if (!y) return x;
                                                              172
                                                                   return r;
96
     if(x->e->w + x->constant > y->e->w + y->constant)
                                                             173
97
       swap(x, y);
                                                             174
                                                                 void link(int u, int v, int w) {
98
     x - > push();
                                                             175
                                                                   in[v].push_back({u, v, w, w});
     x - rch = merge(x - rch, y);
99
                                                              176
100
     if (!x->lch || x->lch->rk < x->rch->rk)
                                                             177
                                                                 int main() {
101
       swap(x->1ch, x->rch);
                                                             178
                                                                   int rt;
102
     if (x->rch)
                                                             179
                                                                   scanf("%d %d %d", &n, &m, &rt);
103
       x->rk = x->rch->rk + 1;
                                                                   for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
                                                             180
104
     else
                                                             181
       x \rightarrow rk = 1;
105
                                                                     scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                             182
106
     return x;
                                                             183
                                                                     link(u, v, w);
107
  }
                                                             184
                                                                   }
108 Edge *extract(Heap *&x) {
                                                                   //保證強連通
                                                             185
     Edge *r = x -> e;
109
                                                              186
                                                                   for (int i = 1; i <= n; i++)
110
     x->push();
                                                             187
                                                                     link(i > 1 ? i - 1 : n, i, INF);
111
     x = merge(x->lch, x->rch);
                                                                   contract():
                                                             188
112
     return r;
                                                              189
                                                                   11 ans = expand(rt, n);
113 }
                                                             190
                                                                   if (ans >= INF)
114 vector < Edge > in [maxn];
                                                              191
                                                                     puts("-1");
int n, m, fa[maxn << 1], nxt[maxn << 1];</pre>
                                                             192
                                                                   else
116 Edge *ed[maxn << 1];
                                                                     printf("%11d\n", ans);
                                                             193
117 | Heap *Q[maxn << 1];
                                                             194
                                                                   return 0;
118 UnionFind id;
                                                             195
119 void contract() {
     bool mark[maxn << 1];</pre>
120
     //將圖上的每一個節點與其相連的那些節點進行記錄
121
     for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
122
123
       queue < Heap *> q;
```

for (int j = 0; j < in[i].size(); j++)</pre>

124

```
3.11 二分圖最大匹配
```

```
1 /* 核心:最大點獨立集 = /V/ -
       /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
  struct Student {
3
       int height;
4
       char sex;
5
       string musicStyle;
6
       string sport;
       bool canMatch(const Student& other) {
8
           return ((abs(this->height - other.height) <=</pre>
               40) && (this->musicStyle ==
               other.musicStyle)
               && (this->sport != other.sport));
9
10
11
       friend istream& operator >> (istream& input,
           Student& student);
12 };
13 vector < Student > boys;
14 vector < Student > girls;
15 vector < vector < int >> G;
16 bool used [505];
17 int p[505]; //pair of boys and girls -> p[j] = i
       代表 i 男生連到 j 女生
18 istream& operator >> (istream& input, Student&
       student) {
19
       input >> student.height >> student.sex >>
           student.musicStyle >> student.sport;
20
       return input;
21 }
22 bool match(int i) {
23
       for (int j: G[i]) {
24
           if (!used[j]) {
25
               used[j] = true;
               if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
26
27
                    p[j] = i;
28
                    return true;
29
           }
30
      }
31
       return false;
32
33 }
  void maxMatch(int n) {
34
35
       memset(p, -1, sizeof(p));
       int res = 0;
36
       for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
37
           memset(used, false, sizeof(used));
38
39
           if (match(i))
40
               ++res;
41
       cout << n - res << '\n';
42
43 }
  int main() {
44
       int t, n;
45
       scanf("%d", &t);
46
       while (t--) {
47
           scanf("%d", &n);
48
49
           boys.clear();
           girls.clear();
50
           G.assign(n + 5, vector<int>());
51
           Student student;
52
53
           for (int i = 0; i < n; ++i) {
               cin >> student;
54
               if (student.sex == 'M')
55
56
                    boys.emplace_back(student);
               else
57
                    girls.emplace_back(student);
58
59
60
           for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
61
               for (int j = 0; j < girls.size(); ++j) {</pre>
                    if (boys[i].canMatch(girls[j])) {
62
63
                        G[i].emplace_back(j);
                    }
64
               }
65
66
           }
           maxMatch(n);
67
68
69
       return 0;
70 }
```

3.12 JosephusProblem

```
1 // Josephus Problem,只是規定要先砍1號
2 //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
  //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
  int getWinner(int n, int k) {
      int winner = 0;
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          winner = (winner + k) % i;
8
      return winner;
9
  }
10
  int main() {
11
      int n;
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
12
13
          for (int k = 1; k <= n; ++k){</pre>
14
15
               if (getWinner(n, k) == 11){
                  printf("%d \setminus n", k);
16
17
                   break;
              }
18
19
          }
20
      }
21
      return 0;
22 }
```

3.13 KM

```
1 /*題意: 給定一個W矩陣,現在分成row、column兩個1維陣列
     W[i][j]=k即代表column[i] + row[j]要>=k
2
     求row[] 與 column[]的所有值在滿足矩陣w的要求之下
3
     row[] + column[]所有元素相加起來要最小
4
     利用KM求二分圖最大權匹配
5
     Lx -> vertex labeling of X
6
     Ly -> vertex labeling of y
7
     一開始Lx[i] = max(W[i][j]), Ly = 0
8
     Lx[i] + Ly[j] >= W[i][j]
9
     要最小化全部的(Lx[i] + Ly[j])加總
10
11
     不斷的調整vertex
         labeling去找到一條交錯邊皆滿足Lx[i] + Ly[j]
         == W[i][j]的增廣路
     最後會得到正確的二分圖完美匹配中的最大權分配(先滿足最多匹配
12
     意義是將最大化所有匹配邊權重和的問題改成最小化所有點的權重和
13
14 #define maxn 505
15 int W[maxn][maxn]:
16
  int Lx[maxn], Ly[maxn];
17 bool S[maxn], T[maxn];
18 //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
19 int L[maxn];
20 int n;
21
  bool match(int i) {
     S[i] = true;
22
     for (int j = 0; j < n; ++j) {</pre>
23
         // KM重點
24
         // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
25
26
         // 要想辦法降低Lx + Ly
         // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
27
28
         if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] && !T[j]) {
29
            T[j] = true;
            if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
30
31
                L[j] = i;
32
                return true;
33
            }
         }
34
     }
35
     return false;
36
37 }
38 // 修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
39 // 此舉是在通過調整 vertex
     labeling看看能不能產生出新的增廣路(KM的增廣路要求Lx[i]
      + Ly[j] == W[i][j]
  // 在這裡優先從最小的 diff調調看,才能保證最大權重匹配
  void update()
42 {
```

```
43
       int diff = 0x3f3f3f3f;
                                                             11
                                                                    fa[u][0] = p; //因為u的第2^0 = 1的祖先就是p
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
44
                                                             12
                                                                   dep[u] = dep[p] + 1;
45
           if (S[i]) {
                                                                    //第2^{1}的祖先是 (第2^{1}1)個祖先)的第2^{1}1 -
                                                             13
               for (int j = 0; j < n; ++j) {
46
47
                   if (!T[j])
                                                                    //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
                                                             14
                       diff = min(diff, Lx[i] + Ly[j] -
48
                                                                    for (int i = 1; i < 31; ++i) {
                                                             15
                            W[i][j]);
                                                                        fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
                                                             16
49
               }
                                                             17
                                                                        dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1] +
           }
50
                                                                            dis[u][i - 1];
51
                                                             18
                                                                   }
52
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                   //遍歷子節點
                                                             19
           if (S[i]) Lx[i] -= diff;
53
                                                             20
                                                                    for (Edge& edge: G[u]) {
           if (T[i]) Ly[i] += diff;
54
                                                                        if (edge.v == p)
                                                             21
55
                                                             22
                                                                            continue;
56 }
                                                                        dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                             23
  void KM()
57
                                                             24
                                                                        dfs(edge.v, u);
58 {
                                                                   }
                                                             25
59
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                             26
                                                               }
           L[i] = -1;
60
                                                             27
                                                               long long lca(int x, int y)
61
           Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                                    {//此函數是找1ca同時計算x \times y的距離 -> dis(x, 1ca)
           for (int j = 0; j < n; ++j)
62
                                                                    + dis(lca, y)
               Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
63
                                                                    //讓y比x深
                                                             28
64
                                                             29
                                                                    if (dep[x] > dep[y])
       for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
65
                                                                        swap(x, y);
                                                             30
           while(1) {
66
                                                             31
                                                                    int deltaDep = dep[y] - dep[x];
67
               memset(S, false, sizeof(S));
                                                             32
                                                                    long long res = 0;
               memset(T, false, sizeof(T));
68
                                                             33
                                                                    //讓 y與 x 在 同 一 個 深 度
69
               if (match(i))
                                                                    for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i, deltaDep >>=
70
                                                             34
                   break:
                                                                        1)
71
               else
                                                             35
                                                                        if (deltaDep & 1)
                   update(); //去調整 vertex
72
                                                                           res += dis[y][i], y = fa[y][i];
                                                             36
                        labeling以增加增廣路徑
                                                             37
                                                                   if (y == x) //x = y -> x \ y彼此是彼此的祖先
73
           }
                                                             38
                                                                        return res;
74
       }
                                                                    //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
                                                             39
75 }
                                                                    for (int i = 30; i >= 0 && y != x; --i) {
                                                             40
76
  int main() {
                                                                        if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
       while (scanf("%d", &n) != EOF) {
                                                             41
77
                                                                            res += dis[x][i] + dis[y][i];
                                                             42
78
           for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                             43
                                                                            x = fa[x][i];
79
               for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                             44
                                                                            y = fa[y][i];
                   scanf("%d", &W[i][j]);
80
                                                                        }
           KM();
                                                             45
81
                                                             46
                                                                   }
82
           int res = 0;
                                                                    //最後發現不能跳了,此時x的第2^0 =
           for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                             47
83
84
               if (i != 0)
                                                                        1個祖先(或說y的第2^0 = 1的祖先)即為x \cdot y的1ca
                   printf(" %d", Lx[i]);
85
                                                                   res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                             48
86
                                                             49
                                                                   return res;
                   printf("%d", Lx[i]);
                                                             50 }
87
88
               res += Lx[i];
                                                             51
                                                               int main() {
           }
89
                                                             52
                                                                 int n, q;
90
           puts("");
                                                             53
                                                                  while (~scanf("%d", &n) && n) {
           for (int i = 0; i < n; ++i) {
91
                                                             54
                                                                    int v, w;
               if (i != 0)
                                                                   G.assign(n + 5, vector<Edge>());
92
                                                             55
                   printf(" %d", Ly[i]);
93
                                                             56
                                                                        for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
94
                                                             57
                                                                      scanf("%d %d", &v, &w);
95
                   printf("%d", Ly[i]);
                                                             58
                                                                     G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
96
               res += Ly[i];
                                                             59
                                                                     G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
           }
97
                                                             60
           puts("");
98
                                                             61
                                                                        dfs(1, 0);
           printf("%d\n", res);
                                                                        scanf("%d", &q);
99
                                                             62
100
                                                                        int u;
                                                             63
101
       return 0;
                                                             64
                                                                        while (q--) {
                                                                            scanf("%d %d", &u, &v);
102 }
                                                             65
                                                             66
                                                                            printf("%11d%c", lca(u + 1, v + 1), (q) ?
                                                                                  ' : '\n');
                                                             67
   3.14 LCA 倍增法
                                                                 }
                                                             68
                                                             69
                                                                 return 0;
 1 //倍增法預處理0(nlogn),查詢0(logn),利用1ca找樹上任兩點題
 2 #define maxn 100005
 3 struct Edge {
    int u, v, w;
                                                               3.15 LCA 樹壓平 RMQ
 5 };
 6 vector<vector<Edge>> G; // tree
 7 int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2^i個祖先
 8 long long dis[maxn][31];
                                                             1 //樹壓平求LCA RMQ(sparse table
```

0(nlogn)建立,0(1)查詢),求任意兩點距離,

2 //如果用笛卡兒樹可以壓到 O(n)建立, O(1)查詢

9 int dep[maxn]; //深度

10 void dfs(int u, int p) {//預處理fa

```
3 //理論上可以過,但遇到直鏈的case dfs深度會stack
                                                             74
                                                                        dfs(0, -1);
                                                             75
                                                                        buildST();
       overflow
4 #define maxn 100005
                                                             76
                                                                        scanf("%d", &q);
                                                             77
5 struct Edge {
                                                                        int u;
    int u, v, w;
6
                                                             78
                                                                        while (q--) {
                                                                             scanf("%d %d", &u, &v);
7 };
                                                             79
                                                                            printf("%11d%c", getDis(u, v), (q) ? ' '
8 int dep[maxn], pos[maxn];
                                                             80
9 long long dis[maxn];
                                                                                 : '\n');
10 int st[maxn * 2][32]; //sparse table
                                                                        }
                                                             81
11 int realLCA[maxn * 2][32];
                                                             82
       //最 小 深 度 對 應 的 節 點 , 及 真 正 的 LCA
                                                             83
                                                                  return 0;
                                                             84 }
12 int Log[maxn]; //取代std::log2
13 int tp; // timestamp
14 vector<vector<Edge>> G; // tree
15 void calLog() {
                                                                       MCMF
                                                                3.16
16
    Log[1] = 0;
17
    Log[2] = 1;
                                                              1 #define maxn 225
18
    for (int i = 3; i < maxn; ++i)</pre>
                                                                #define INF 0x3f3f3f3f
19
      Log[i] = Log[i / 2] + 1;
                                                                struct Edge {
20 }
                                                                    int u, v, cap, flow, cost;
21
  void buildST() {
    for (int j = 0; Log[tp]; ++j) {
                                                              5 };
22
                                                                //node size, edge size, source, target
       for (int i = 0; i + (1 << j) - 1 < tp; ++i) {
                                                              6
23
                                                                int n, m, s, t;
24
         if (st[i - 1][j] < st[i - 1][j + (1 << i - 1)])</pre>
                                                                vector<vector<int>> G;
                                                                vector < Edge > edges;
25
           st[i][j] = st[i - 1][j];
                                                             10 //SPFA用
           realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j];
26
                                                             11 bool inqueue[maxn];
27
                                                                //SPFA用的dis[]
28
         else {
                                                             13 long long dis[maxn];
29
           st[i][j] = st[i - 1][j + (1 << i - 1)];
                                                             14 //maxFlow一路扣回去時要知道 parent
30
           realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j + (1 << i -
               1)1:
                                                             15 //<注> 在這題因為G[][]中存的是edgeIndex in edges[]
31
                                                             16 //
32
      }
                                                                    所以parent存的也是對應edges[]中的edgeIndex(主要是方便)
    }
33
                                                             17 int parent[maxn];
34 } // O(nlogn)
                                                             18 //maxFlow時需要紀錄到 node u時的 bottleneck
35 int query(int 1, int r) {// [1, r] min
                                                             19 //同時也代表著u該次流出去的量
       depth即為1ca的深度
                                                             20 long long outFlow[maxn];
    int k = Log[r - l + 1];
36
                                                                void addEdge(int u, int v, int cap, int cost) {
                                                             21
    if (st[l][k] < st[r - (1 << k) + 1][k])</pre>
37
                                                                    edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0, cost});
                                                             22
38
      return realLCA[1][k];
                                                             23
                                                                    edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0, -cost});
39
    else
                                                             24
                                                                    m = edges.size();
      return realLCA[r - (1 << k) + 1][k];</pre>
40
                                                             25
                                                                    G[u].emplace_back(m - 2);
41 }
                                                             26
                                                                    G[v].emplace_back(m - 1);
42 void dfs(int u, int p) {//euler tour
                                                             27 }
43
    pos[u] = tp;
                                                                //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
                                                             28
    st[tp][0] = dep[u];
44
                                                                bool SPFA(long long& maxFlow, long long& minCost) {
                                                             29
45
    realLCA[tp][0] = dep[u];
                                                             30
                                                                    // memset(outFlow, 0x3f, sizeof(outFlow));
46
    ++tp;
                                                                    memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
                                                             31
47
    for (int i = 0; i < G[u].size(); ++i) {</pre>
                                                             32
                                                                    memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
      Edge& edge = G[u][i];
48
                                                             33
                                                                    queue < int > q;
      if (edge.v == p) continue;
49
                                                             34
                                                                    a.push(s):
      dep[edge.v] = dep[u] + 1;
50
                                                             35
                                                                    dis[s] = 0;
51
      dis[edge.v] = dis[edge.u] + edge.w;
                                                                    inqueue[s] = true;
                                                             36
      dfs(edge.v, u);
52
                                                                    outFlow[s] = INF;
                                                             37
53
       st[tp++][0] = dep[u];
                                                                    while (!q.empty()) {
                                                             38
    }
54
                                                                        int u = q.front();
                                                             39
55 }
                                                             40
                                                                        q.pop();
56 long long getDis(int u, int v) {
                                                             41
                                                                        inqueue[u] = false:
    if (pos[u] > pos[v])
57
                                                             42
                                                                        for (const int edgeIndex: G[u]) {
58
       swap(u, v);
                                                                             const Edge& edge = edges[edgeIndex];
                                                             43
    int lca = query(pos[u], pos[v]);
59
                                                                             if ((edge.cap > edge.flow) &&
                                                             44
    return dis[u] + dis[v] - 2 * dis[query(pos[u],
                                                                                 (dis[edge.v] > dis[u] + edge.cost)) {
         pos[v])];
                                                                                 dis[edge.v] = dis[u] + edge.cost;
                                                             45
61 }
                                                                                 parent[edge.v] = edgeIndex;
                                                             46
62
  int main() {
                                                                                 outFlow[edge.v] = min(outFlow[u],
                                                             47
    int n, q;
63
                                                                                     (long long)(edge.cap -
      calLog();
64
                                                                                     edge.flow));
    while (~scanf("%d", &n) && n) {
65
                                                                                 if (!inqueue[edge.v]) {
                                                             48
66
      int v. w:
                                                             49
                                                                                     q.push(edge.v);
67
      G.assign(n + 5, vector < Edge > ());
                                                             50
                                                                                     inqueue[edge.v] = true;
68
                                                                                 }
                                                             51
69
           for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                             52
                                                                            }
         scanf("%d %d", &v, &w);
70
                                                             53
71
         G[i].push_back({i, v, w});
                                                             54
         G[v].push_back({v, i, w});
72
                                                                    //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
                                                             55
73
                                                                    if (dis[t] > 0)
                                                             56
```

```
57
                    return false;
                                                                                                          18
                                                                                                                     int 1, r, id;
                                                                                                                     bool operator < (const Query& other) const {</pre>
            maxFlow += outFlow[t]:
                                                                                                         19
 58
             minCost += dis[t] * outFlow[t];
                                                                                                                            if (this->1 / sqrtQ != other.1 / sqrtQ)
 59
                                                                                                          20
             //一路更新回去這次最短路流完後要維護的 MaxFlow 演算法相關
                                                                                                                                   return this->1 < other.1;</pre>
 60
                                                                                                                             //奇偶排序(優化)
 61
            int curr = t;
                                                                                                         22
            while (curr != s) {
                                                                                                         23
                                                                                                                            if (this->1 / sqrtQ & 1)
 62
                    edges[parent[curr]].flow += outFlow[t];
 63
                                                                                                         24
                                                                                                                                   return this->r < other.r;</pre>
                    edges[parent[curr] ^ 1].flow -= outFlow[t];
                                                                                                         25
                                                                                                                            return this->r > other.r;
 64
                    curr = edges[parent[curr]].u;
 65
                                                                                                         26
 66
            }
                                                                                                         27
                                                                                                              };
 67
            return true;
                                                                                                              Query querys[maxn];
 68 }
                                                                                                         29
                                                                                                              long long ans[maxn];
     long long MCMF() {
                                                                                                         30 long long res = 0;
 69
 70
            long long maxFlow = 0;
                                                                                                              int k;
 71
                                                                                                              void add(int x) {
            long long minCost = 0;
                                                                                                         32
                                                                                                                     res += cnt[k ^ prefix[x]];
 72
             while (SPFA(maxFlow, minCost))
                                                                                                         33
 73
                                                                                                         34
                                                                                                                     ++cnt[prefix[x]];
 74
            return minCost;
                                                                                                         35
                                                                                                              }
 75 }
                                                                                                         36
                                                                                                              void sub(int x) {
 76 int main() {
                                                                                                         37
                                                                                                                     --cnt[prefix[x]];
 77
             int T;
                                                                                                         38
                                                                                                                     res -= cnt[k ^ prefix[x]];
             scanf("%d", &T);
                                                                                                         39 }
 78
 79
             for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre>
                                                                                                          40
                                                                                                              int main() {
                    //總共幾個月, 囤貨成本
                                                                                                         41
                                                                                                                     int n, m;
 80
                                                                                                         42
                                                                                                                     scanf("%d %d %d", &n, &m, &k);
 81
                    int M, I;
                   scanf("%d %d", &M, &I);
                                                                                                         43
                                                                                                                     sqrtQ = sqrt(n);
 82
                                                                                                                     for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
 83
                    //node size
                                                                                                         44
                   n = M + M + 2;
                                                                                                                            scanf("%d", &prefix[i]);
                                                                                                          45
 84
                                                                                                                            prefix[i] ^= prefix[i - 1];
 85
                   G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                                                                         46
                                                                                                          47
 86
                   edges.clear();
 87
                   s = 0;
                                                                                                          48
                                                                                                                     for (int i = 1; i <= m; ++i) {
                                                                                                                            scanf(\mbox{\em $''$} \mbox{\em $d$} \mbox{\em $''$} \mbox{\em $d$} \mbox{\em $''$} \mbox{\em $d$} \mbox{\em $''$} \mbox{\em $d$} \mbox{\em $''$} \mbox{\em $l$} \mbox{\e
                                                                                                          49
 88
                    t = M + M + 1;
                   for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre>
                                                                                                                            //減1是因為prefix[i]是[1,
                                                                                                          50
 89
                           int produceCost, produceMax, sellPrice,
 90
                                                                                                                                    i]的前綴XOR和,所以題目問[1,
                                  sellMax, inventoryMonth;
                                                                                                                                    r]我們要回答[1 - 1, r]的答案
                           scanf("%d %d %d %d %d", &produceCost,
 91
                                                                                                         51
                                                                                                                            --querys[i].1;
                                  &produceMax, &sellPrice, &sellMax,
                                                                                                         52
                                                                                                                            querys[i].id = i;
                                  &inventoryMonth);
                                                                                                         53
                           addEdge(s, i, produceMax, produceCost);
 92
                                                                                                         54
                                                                                                                     sort(querys + 1, querys + m + 1);
 93
                           addEdge(M + i, t, sellMax, -sellPrice);
                                                                                                                     int 1 = 1, r = 0;
                                                                                                         55
                           for (int j = 0; j <= inventoryMonth; ++j)</pre>
 94
                                                                                                          56
                                                                                                                     for (int i = 1; i <= m; ++i) {
                                                                                                                            while (1 < querys[i].1) {</pre>
                                                                                                         57
                                  if (i + j \le M)
 95
                                                                                                                                   sub(1):
 96
                                         addEdge(i, M + i + j, INF, I * j);
                                                                                                         59
                                                                                                                                   ++1;
                          }
 97
                                                                                                         60
 98
                   }
                                                                                                         61
                                                                                                                            while (1 > querys[i].1) {
                   printf("Case %d: %lld\n", Case, -MCMF());
 99
                                                                                                         62
                                                                                                                                    --1;
100
                                                                                                         63
                                                                                                                                   add(1);
101
            return 0;
                                                                                                         64
102 }
                                                                                                         65
                                                                                                                            while (r < querys[i].r) {</pre>
                                                                                                         66
                                                                                                                                   ++r;
                                                                                                         67
                                                                                                                                   add(r);
                                                                                                         68
     3.17 莫隊
                                                                                                                            while (r > querys[i].r) {
                                                                                                         69
                                                                                                          70
                                                                                                                                   sub(r);
  1 /*利用 prefix前 綴 XOR和
                                                                                                         71
                                                                                                                                    --r;
                                                                                                         72
         如果要求[x, y]的XOR和只要回答prefix[y] ^ prefix[x -
                                                                                                         73
                                                                                                                            ans[querys[i].id] = res;
                 1]即可在0(1)回答
                                                                                                         74
         同時維護 cnt[i]代表[x, y]XOR和 == i的個數
                                                                                                          75
                                                                                                                     for (int i = 1; i <= m; ++i){
         如此我們知道[1, r]可以快速知道[1 - 1, r], [1 + 1, r]
                                                                                                         76
                                                                                                                            printf("%11d\n", ans[i]);
                r], [1, r - 1], [1, r + 1]的答案
                                                                                                         77
         就符合Mo's algorithm的思維O(N * sqrt(n))
                                                                                                         78
                                                                                                                     return 0;
         每次轉移為0(1),具體轉移方法在下面*/
                                                                                                         79 }
  7 #define maxn 100005
  8 //在此prefix[i]是[1, i]的 XOR和
  9 int prefix[maxn];
                                                                                                              3.18 Dancing Links
 10 | //log_2(1000000) =
             19.931568569324174087221916576937...
```

11 //所以開到1 << 20

14 long long cnt[1 << 20];

15 //塊大小 -> sqrt(n)

13 //的個數

16 int sqrtQ;

17 struct Query {

12 //cnt[i]代表的是有符合nums[x, y] such that nums[x] ^

 $nums[x + 1] ^ ... ^ nums[y] == i$

```
1 struct DLX {
2    int seq, resSize;
3    int col[maxn], row[maxn];
4    int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
5    int rowHead[maxn], colSize[maxn];
6    int result[maxn];
7    DLX(int r, int c) {
8        for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
```

```
9
               L[i] = i-1, R[i] = i+1;
                                                                86 };
               U[i] = D[i] = i;
10
11
           L[R[seq=c]=0]=c;
12
13
           resSize = -1;
14
           memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
           memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
15
16
17
       void insert(int r, int c) {
           row[++seq]=r, col[seq]=c, ++colSize[c];
18
19
           U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq, D[c]=seq;
           if(rowHead[r]) {
20
21
               L[seq]=rowHead[r], R[seq]=R[rowHead[r]];
               L[R[rowHead[r]]]=seq, R[rowHead[r]]=seq;
22
23
           } else {
                rowHead[r] = L[seq] = R[seq] = seq;
24
25
26
       void remove(int c) {
27
28
           L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
29
30
                for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
31
                    U[D[j]] = U[j];
                    D[U[j]] = D[j];
32
                    --colSize[col[j]];
33
34
               }
           }
35
36
37
       void recover(int c) {
38
           for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
39
40
                    U[D[j]] = D[U[j]] = j;
41
                    ++colSize[col[j]];
42
43
           3
44
           L[R[c]] = R[L[c]] = c;
45
       }
46
       bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
           if(R[0] == 0) {
47
48
                resSize = idx:
49
                return true:
50
51
           int c = R[0];
           for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
52
53
               if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
54
55
           remove(c);
56
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
57
               result[idx] = row[i];
58
                for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
59
                    remove(col[j]);
60
                if(dfs(idx+1)) return true;
61
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                    recover(col[j]);
62
63
           }
           recover(c):
64
65
           return false;
66
       void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs depth 版
67
68
           if(R[0] == 0) {
69
                resSize = min(resSize, idx); // 注意init值
70
               return;
71
72
           int c = R[0];
           for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
73
74
               if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
           }
75
76
           remove(c);
77
           for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
78
                    remove(col[j]);
79
                dfs(idx+1);
80
                for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
81
82
                    recover(col[j]);
83
84
           recover(c);
       }
85
```

4 DataStructure

4.1 線段樹 1D

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
  int tag[4 * MAXN]; //懶標
  inline int pull(int 1, int r) {
6 // 隨題目改變 sum、max、min
  // 1、r是左右樹的 index
7
      return st[l] + st[r];
8
9 }
10 void build(int 1, int r, int i) {
  // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
11
12
      if (1 == r) {
13
          st[i] = data[l];
14
          return:
15
      }
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
16
17
      build(1, mid, i * 2);
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
18
19
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
20 }
21
  int query(int ql, int qr, int l, int r, int i) {
  // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
22
      if (ql <= l && r <= qr)</pre>
23
          return st[i];
24
25
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
26
      if (tag[i]) {
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
27
28
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
29
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
30
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
31
32
          tag[i] = 0;
33
      }
34
      int sum = 0:
35
      if (ql <= mid)
36
          sum += query(ql, qr, l, mid, i * 2);
37
      if (qr > mid)
38
          sum += query(ql, qr, mid + 1, r, i*2+1);
      return sum;
39
40
41 void update(int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
42 // [q1, qr]是查詢區間,[1, r]是當前節點包含的區間
  // c是變化量
43
44
      if (ql <= l && r <= qr) {</pre>
          st[i] += (r - l + 1) * c;
45
              //求和,此需乘上區間長度
          tag[i] += c;
46
47
48
49
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
      if (tag[i] && l != r) {
50
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
51
52
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
53
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
54
55
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
56
          tag[i] = 0;
57
58
      if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i * 2, c);</pre>
      if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r, i*2+1, c);
59
60
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
61 }
62 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與st的
63 //改值從+=改成=
```

4.2 線段樹 2D

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
2 #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
3 int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
4 int N:
5 void modifyY(int index, int 1, int r, int val, int
       yPos, int xIndex, bool xIsLeaf) {
       if (1 == r) {
6
           if (xIsLeaf) {
8
               maxST[xIndex][index] =
                   minST[xIndex][index] = val;
9
           }
10
           maxST[xIndex][index] = max(maxST[xIndex *
11
               2][index], maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
12
           minST[xIndex][index] = min(minST[xIndex *
               2][index], minST[xIndex * 2 + 1][index]);
       }
13
       else {
14
           int mid = (1 + r) / 2;
15
           if (yPos <= mid)</pre>
16
               modifyY(index * 2, 1, mid, val, yPos,
17
                    xIndex, xIsLeaf);
           else
18
               modifyY(index * 2 + 1, mid + 1, r, val,
19
                    yPos, xIndex, xIsLeaf);
20
           maxST[xIndex][index] =
21
               max(maxST[xIndex][index * 2],
               maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
           minST[xIndex][index] =
22
               min(minST[xIndex][index * 2],
               minST[xIndex][index * 2 + 1]);
23
24 }
  void modifyX(int index, int 1, int r, int val, int
25
       xPos, int yPos) {
       if (1 == r) {
26
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index, true);
27
28
29
       else {
           int mid = (1 + r) / 2;
30
           if (xPos <= mid)</pre>
31
32
               modifyX(index * 2, 1, mid, val, xPos,
                    yPos);
33
           else
               modifyX(index * 2 + 1, mid + 1, r, val,
34
                    xPos, yPos);
           modifyY(1, 1, N, val, yPos, index, false);
35
36
37 }
38 void queryY(int index, int l, int r, int yql, int
       yqr, int xIndex, int& vmax, int &vmin) {
       if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
39
40
           vmax = max(vmax, maxST[xIndex][index]);
           vmin = min(vmin, minST[xIndex][index]);
41
      }
42
43
       else
44
       {
45
           int mid = (1 + r) / 2;
           if (yql <= mid)</pre>
46
47
               queryY(index * 2, 1, mid, yql, yqr,
                    xIndex, vmax, vmin);
           if (mid < yqr)</pre>
48
               queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r, yql,
49
                   yqr, xIndex, vmax, vmin);
50
51 }
52 void queryX(int index, int 1, int r, int xql, int
       xqr, int yql, int yqr, int& vmax, int& vmin) {
53
       if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre>
           queryY(1, 1, N, yql, yqr, index, vmax, vmin);
54
55
       }
56
       else {
           int mid = (1 + r) / 2;
57
           if (xql <= mid)</pre>
58
```

```
59
                queryX(index * 2, 1, mid, xql, xqr, yql,
                     yqr, vmax, vmin);
            if (mid < xqr)</pre>
60
                queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r, xql,
61
                     xqr, yql, yqr, vmax, vmin);
62
       }
63 }
64
  int main() {
65
       while (scanf("%d", &N) != EOF) {
66
            int val;
            for (int i = 1; i <= N; ++i) {</pre>
67
                for (int j = 1; j \le N; ++j) {
68
69
                     scanf("%d", &val);
                     modifyX(1, 1, N, val, i, j);
70
71
                }
           }
72
           int q;
73
74
            int vmax, vmin;
75
            int xql, xqr, yql, yqr;
76
            char op;
            scanf("%d", &q);
77
            while (q--) {
78
79
                getchar(); //for \n
                scanf("%c", &op);
if (op == 'q') {
80
81
                    scanf("%d %d %d %d", &xql, &yql,
82
                         &xqr, &yqr);
                     vmax = -0x3f3f3f3f;
83
                     vmin = 0x3f3f3f3f;
84
85
                     queryX(1, 1, N, xql, xqr, yql, yqr,
                         vmax. vmin):
86
                     printf("%d %d\n", vmax, vmin);
87
                }
88
                else {
                     scanf("%d %d %d", &xql, &yql, &val);
89
90
                     modifyX(1, 1, N, val, xql, yql);
91
                }
92
           }
93
94
       return 0;
95 }
```

4.3 權值線段樹

```
1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第k小問題
  //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
3
  #define maxn 30005
4 int nums[maxn];
5 int getArr[maxn];
6
  int id[maxn];
  int st[maxn << 2];</pre>
  void update(int index, int 1, int r, int qx) {
8
      if (1 == r)
10
      {
           ++st[index]:
11
12
           return;
      }
13
14
15
      int mid = (1 + r) / 2;
      if (qx <= mid)</pre>
16
17
           update(index * 2, 1, mid, qx);
18
           update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
19
20
       st[index] = st[index * 2] + st[index * 2 + 1];
21 }
  //找區間第k個小的
22
23
  int query(int index, int 1, int r, int k) {
      if (1 == r)
24
          return id[1];
25
26
       int mid = (1 + r) / 2;
       //k比左子樹小
27
28
       if (k <= st[index * 2])</pre>
           return query(index * 2, 1, mid, k);
29
30
      else
```

```
31
            return query(index * 2 + 1, mid + 1, r, k -
                st[index * 2]);
32 }
33 int main() {
34
       int t;
35
       cin >> t;
       bool first = true;
36
37
       while (t--) {
           if (first)
38
                first = false;
39
40
                puts("");
41
42
           memset(st, 0, sizeof(st));
43
            int m, n;
44
            cin >> m >> n:
            for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
45
                cin >> nums[i];
46
47
                id[i] = nums[i];
48
           }
49
            for (int i = 0; i < n; ++i)
                cin >> getArr[i];
50
            //離散化
51
            //防止m == 0
52
53
           if (m)
54
                sort(id + 1, id + m + 1);
55
            int stSize = unique(id + 1, id + m + 1) - (id
                 + 1);
            for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
56
57
                nums[i] = lower_bound(id + 1, id + stSize
                     + 1, nums[i]) - id;
58
59
            int addCount = 0;
           int getCount = 0;
60
            int k = 1;
61
62
           while (getCount < n) {</pre>
                if (getArr[getCount] == addCount) {
63
                    printf("%d \setminus n", query(1, 1, stSize,
64
                         k));
                    ++k;
65
                    ++getCount;
66
                }
67
68
                else {
69
                    update(1, 1, stSize, nums[addCount +
                         1]);
                     ++addCount;
70
71
                }
           }
72
73
       }
74
       return 0;
75 }
```

4.4 Trie

```
1 const int maxn = 300000 + 10;
2 const int mod = 20071027;
3 int dp[maxn];
4 int mp[4000*100 + 10][26];
5 char str[maxn];
  struct Trie {
6
       int seq;
7
       int val[maxn];
9
       Trie() {
10
           seq = 0;
11
           memset(val, 0, sizeof(val));
           memset(mp, 0, sizeof(mp));
12
13
       void insert(char* s, int len) {
14
15
           int r = 0:
16
           for(int i=0; i<len; i++) {</pre>
                int c = s[i] - 'a';
17
                if(!mp[r][c]) mp[r][c] = ++seq;
18
19
                r = mp[r][c];
20
21
           val[r] = len;
22
           return:
```

```
23
      int find(int idx, int len) {
24
25
           int result = 0;
           for(int r=0; idx<len; idx++) {</pre>
26
27
               int c = str[idx] - 'a';
               if(!(r = mp[r][c])) return result;
28
29
               if(val[r])
30
                    result = (result + dp[idx + 1]) % mod;
31
32
           return result;
33
34 };
35
  int main() {
       int n, tc = 1;
36
37
       while(~scanf("%s%d", str, &n)) {
38
           Trie tr;
           int len = strlen(str);
39
40
           char word[100+10];
41
           memset(dp, 0, sizeof(dp));
42
           dp[len] = 1;
           while(n--) {
43
               scanf("%s", word);
45
               tr.insert(word, strlen(word));
46
47
           for(int i=len-1; i>=0; i--)
               dp[i] = tr.find(i, len);
48
           printf("Case %d: %d\n", tc++, dp[0]);
49
      }
50
51
      return 0:
52 }
  /****Input****
53
   * abcd
   * 4
55
56
   * a b cd ab
57
    ******
58
   ****Output***
59
   * Case 1: 2
    *******
```

4.5 單調隊列

```
1 // 單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
4
  example
5
  給出一個長度為 n 的數組,
6
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
10 #define maxn 1000100
11 using namespace std;
12
  int q[maxn], a[maxn];
13
  int n, k;
14
15
  void getmin() {
      // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
16
      int head=0,tail=0;
17
18
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
19
20
          q[++tail]=i;
21
22
      for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
23
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
24
          α[++tail ]=i:
25
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
26
          cout << a[q[head]] << " ";
27
      }
28
      cout << endl;
29 }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
32
      int head=0,tail=0;
33
      for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
34
```

```
35
            q[++tail]=i;
       }
36
37
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
            while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
38
39
            q[++tail]=i;
            while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
40
41
            cout << a[q[head]] << " ";
42
       }
       cout << endl;
43
44 }
45
46 int main(){
       cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
48
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
49
       getmin():
50
       getmax();
       return 0;
51
52 }
```

5 geometry

5.1 intersection

```
1 using LL = long long;
2
  struct Point2D {
3
4
      LL x, y;
5 };
6
7
  struct Line2D {
8
      Point2D s, e;
                               // L: ax + by = c
      LL a, b, c;
9
      Line2D(Point2D s, Point2D e): s(s), e(e) {
10
11
          a = e.y - s.y;
12
           b = s.x - e.x;
13
           c = a * s.x + b * s.y;
      }
14
15 };
16
17 // 用克拉馬公式求二元一次解
18 Point2D intersection2D(Line2D 11, Line2D 12) {
19
      LL D = 11.a * 12.b - 12.a * 11.b;
      LL Dx = 11.c * 12.b - 12.c * 11.b;
20
21
      LL Dy = 11.a * 12.c - 12.a * 11.c;
22
23
                        // intersection
           double x = 1.0 * Dx / D;
24
25
           double y = 1.0 * Dy / D;
      } else {
26
           if(Dx || Dy) // Parallel lines
27
28
                        // Same line
      }
29
30 }
```

5.2 半平面相交

```
1 // 0: 給定一張凸包(已排序的點),
2 // 找出圖中離凸包外最遠的距離
3
4 const int maxn = 100 + 10;
5
  const double eps = 1e-7;
7
  struct Vector {
      double x, y;
8
9
      Vector(double x=0.0, double y=0.0): x(x), y(y) {}
10
      Vector operator+(Vector v) {
11
12
          return Vector(x+v.x, y+v.y);
13
      }
14
      Vector operator - (Vector v) {
15
          return Vector(x-v.x, y-v.y);
16
```

```
17
       Vector operator*(double val) {
           return Vector(x*val, y*val);
18
19
       double dot(Vector v) { return x*v.x + y*v.y; }
20
       double cross(Vector v) { return x*v.y - y*v.x; }
21
       double length() { return sqrt(dot(*this)); }
22
23
       Vector unit_normal_vector() {
24
           double len = length();
25
           return Vector(-y/len, x/len);
26
27 };
28
29
  using Point = Vector;
30
31
  struct Line {
       Point p;
32
33
       Vector v;
34
       double ang;
       Line(Point p={}, Vector v={}): p(p), v(v) {
35
36
           ang = atan2(v.y, v.x);
37
38
       bool operator<(const Line& 1) const {</pre>
39
           return ang < 1.ang;</pre>
40
41
       Point intersection(Line 1) {
42
           Vector u = p - 1.p;
           double t = 1.v.cross(u) / v.cross(1.v);
43
44
           return p + v*t;
45
       }
46
  };
47
48 int n, m;
                          // 要判斷的直線
49 Line narrow[maxn];
50 Point poly[maxn];
                          // 能形成半平面交的凸包邊界點
   // return true if point p is on the left of line l
52
53 bool onLeft(Point p, Line 1) {
       return 1.v.cross(p-1.p) > 0;
54
55 }
56
  int halfplaneIntersection() {
57
58
       int 1, r;
                               // 排序後的向量隊列
       Line L[maxn];
59
                              // s[i] 跟 s[i-1] 的交點
       Point P[maxn];
60
61
62
       L[l=r=0] = narrow[0]; // notice: narrow is sorted
       for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
63
           while(l<r && !onLeft(P[r-1], narrow[i])) r--;</pre>
64
           while(l<r && !onLeft(P[1], narrow[i])) l++;</pre>
65
66
67
           L[++r] = narrow[i];
68
           if(1 < r) P[r-1] = L[r-1].intersection(L[r]);
69
70
       while(l<r && !onLeft(P[r-1], L[1])) r--;</pre>
71
72
       if(r-l <= 1) return 0;
73
74
       P[r] = L[r].intersection(L[1]);
75
76
       for(int i=1; i<=r; i++) {</pre>
77
78
           poly[m++] = P[i];
79
80
81
       return m;
82 }
83
84 Point pt[maxn];
85 Vector vec[maxn];
  Vector normal[maxn]; // normal[i] = vec[i] 的單位法向量
86
87
  double bsearch(double l=0.0, double r=1e4) {
88
89
       if(abs(r-1) < eps) return 1;</pre>
90
91
       double mid = (1 + r) / 2;
92
93
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
```

```
94
            narrow[i] = Line(pt[i]+normal[i]*mid, vec[i]);
        }
95
96
        if(halfplaneIntersection())
97
98
            return bsearch(mid, r);
99
        else return bsearch(1, mid);
100 }
101
   int main() {
102
        while(~scanf("%d", &n) && n) {
103
104
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                 double x, y;
105
                 scanf("%1f%1f", &x, &y);
106
                 pt[i] = {x, y};
107
108
            for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
109
                 vec[i] = pt[(i+1)%n] - pt[i];
110
111
                 normal[i] = vec[i].unit_normal_vector();
            }
112
113
            printf("%.61f\n", bsearch());
114
115
116
        return 0;
117 }
```

5.3 凸包

```
1 // O:平面上給定多個區域,由多個座標點所形成,再給定
2 // 多點 (x, y), 判斷 有落點的區域 (destroyed)的面積總和。
3 #include <bits/stdc++.h>
4 using namespace std;
6 \mid const \mid int \mid maxn = 500 + 10;
  const int maxCoordinate = 500 + 10;
7
9 struct Point {
10
      int x, y;
11 | };
12
13 int n;
14 bool destroyed[maxn];
15 Point arr[maxn];
16 vector < Point > polygons[maxn];
17
18
   void scanAndSortPoints() {
       int minX = maxCoordinate, minY = maxCoordinate;
19
20
       for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
21
           int x, y;
22
           scanf("%d%d", &x, &y);
23
           arr[i] = (Point)\{x, y\};
           if(y < minY || (y == minY && x < minX)) {</pre>
24
25
       // If there are floating points, use:
          if(y<minY || (abs(y-minY)<eps && x<minX)) {</pre>
26
27
               minX = x, minY = y;
28
29
30
       sort(arr, arr+n, [minX, minY](Point& a, Point& b){
           double theta1 = atan2(a.y - minY, a.x - minX);
31
32
           double theta2 = atan2(b.y - minY, b.x - minX);
           return theta1 < theta2;</pre>
33
34
      }):
35
       return;
36 }
37
38 // returns cross product of u(AB) \times v(AC)
39 int cross(Point& A, Point& B, Point& C) {
       int u[2] = {B.x - A.x, B.y - A.y};
40
       int v[2] = {C.x - A.x, C.y - A.y};
41
42
       return (u[0] * v[1]) - (u[1] * v[0]);
43 }
44
45 // size of arr = n >= 3
46 // st = the stack using vector, m = index of the top
47 vector < Point > convex_hull() {
      vector<Point> st(arr, arr+3);
```

```
49
        for(int i=3, m=2; i<n; i++, m++) {
            while(m >= 2) {
50
                if(cross(st[m], st[m-1], arr[i]) < 0)</pre>
51
52
                     break:
53
                st.pop_back();
54
                m - -;
55
            }
56
            st.push_back(arr[i]);
57
       }
58
        return st;
59 }
60
   bool inPolygon(vector<Point>& vec, Point p) {
61
        vec.push_back(vec[0]);
62
63
        for(int i=1; i<vec.size(); i++) {</pre>
            if(cross(vec[i-1], vec[i], p) < 0) {</pre>
64
                vec.pop_back();
65
66
                return false;
67
            }
68
69
        vec.pop_back();
70
        return true;
71 | }
72
73
           1 | x1
                   x 2
                         x3
      74
75
           2 | y1 y2 y3 y4 y5
   double calculateArea(vector<Point>& v) {
76
77
       v.push back(v[0]):
                                      // make v \Gamma n I = v \Gamma 0 I
78
        double result = 0.0;
        for(int i=1; i<v.size(); i++)</pre>
79
            result += v[i-1].x*v[i].y - v[i-1].y*v[i].x;
81
        v.pop_back();
82
        return result / 2.0;
83 }
84
85
   int main() {
86
        int p = 0;
        while(~scanf("%d", &n) && (n != -1)) {
87
88
            scanAndSortPoints();
89
            polygons[p++] = convex_hull();
90
       }
91
92
        int x, y;
93
        double result = 0.0;
        while(~scanf("%d%d", &x, &y)) {
94
95
            for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
                if(inPolygon(polygons[i], (Point){x, y}))
96
97
                     destroyed[i] = true;
            }
98
 99
        for(int i=0; i<p; i++) {</pre>
100
101
            if(destroyed[i])
102
                result += calculateArea(polygons[i]);
103
        printf("%.21f\n", result);
104
105
        return 0;
106 }
```

6 DP

6.1 抽屜

```
dp[i][j][1] = dp[i - 1][j - 1][1] + dp[i -
                                                                      //枚舉區間中間切點
                                                           12
                                                                      cost = min(cost, solve(i, m) + solve(m, j) +
              1][j - 1][0];
                                                           13
                                                                          cuts[j] - cuts[i]);
                                                                 }
11|}//答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
                                                           14
                                                           15
                                                                 return dp[i][j] = cost;
                                                             }
                                                           16
                                                           17
                                                             int main() {
  6.2 Deque 最大差距
                                                           18
                                                                 int 1;
                                                           19
                                                                  while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
                                                           20
1 / * 定義 dp [1][r]是1 ~ r 時與先手最大差異值
                                                           21
                                                                      scanf("%d", &n);
    Deque可以拿頭尾
                                                                      for (int i = 1; i <= n; ++i)
                                                           22
    所以轉移式中dp[1][r]與dp[1 + 1][r]、dp[1][r - 1]有關
3
                                                                          scanf("%d", &cuts[i]);
    轉移式:
                                                           24
                                                                      cuts[0] = 0;
    dp[1][r] = max{a[1] - solve(1 + 1, r), a[r] -}
                                                           25
                                                                      cuts[n + 1] = 1;
         solve(1, r - 1)
                                                                      memset(dp, -1, sizeof(dp));
                                                           26
    裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,所以正負正
                                                                      printf("The minimum cutting is %d.\n",
  #define maxn 3005
                                                                          solve(0, n + 1));
8 bool vis[maxn][maxn];
                                                                 }
                                                           28
9 long long dp[maxn][maxn];
                                                           29
                                                                  return 0;
10 long long a[maxn];
                                                           30 }
11 long long solve(int 1, int r) {
      if (1 > r)
12
13
          return 0;
                                                             6.5 stringDP
14
      if (vis[l][r])
15
          return dp[l][r];
                                                                • Edit distance
      vis[l][r] = true;
16
                                                                      S_1 最少需要經過幾次增、刪或換字變成 S_2
17
      long long res = a[1] - solve(1 + 1, r);
      res = max(res, a[r] - solve(1, r - 1));
18
19
      return dp[1][r] = res;
20 }
                                                                                     dp[i-1][j-1]
                                                                                      dp[i][j-1]
dp[i-1][j]
21 int main() {
22
      printf("%11d\n", solve(1, n));
23
24 }
                                                                · Longest Palindromic Subsequence
```

6.3 LCS 和 LIS

```
1 // 最長共同子序列 (LCS)
2| 給定兩序列 A,B , 求最長的序列 C ,
3 C 同時為 A,B 的子序列。
4 //最長遞增子序列 (LIS)
5 給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
  B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
7 //LCS 和 LIS 題目轉換
8 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
9
    2. 對 A,B 做 LCS
10
11 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
12
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
13
14
    3. 對 B 做 LIS
15
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
      越早出現的數字要越小
16
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
17
      直接忽略這個數字不做轉換即可
18
```

6.4 RangeDP

```
1 //區間 dp
2 int dp[55][55]; // dp[i][j] -> [i,
      j]切割區間中最小的 cost
3 int cuts[55];
  int solve(int i, int j) {
      if (dp[i][j] != -1)
          return dp[i][j];
      //代表沒有其他切法,只能是 cuts[j] - cuts[i]
7
      if (i == j - 1)
8
9
          return dp[i][j] = 0;
10
      int cost = 0x3f3f3f3f;
      for (int m = i + 1; m < j; ++m) {
```

6.6 TreeDP 有幾個 path 長度為 k

dp[l+1][r-1]

 $\max\{dp[l+1][r], dp[l][r-1]\}$ if

```
1 #define maxn 50005
2 #define maxk 505
  //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
  long long dp[maxn][maxk];
  vector<vector<int>> G;
  int n. k:
  long long res = 0;
8
  void dfs(int u, int p) {
     //u自己
9
     dp[u][0] = 1;
10
11
     for (int v: G[u]) {
12
         if (v == p)
13
            continue;
14
         dfs(v, u);
15
         for (int i = 1; i <= k; ++i) {</pre>
            //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
16
17
            dp[u][i] += dp[v][i - 1];
18
19
     //統計在u子樹中距離u為k的數量
20
21
     res += dp[u][k];
     //統計橫跨u但還是在u的子樹中合計長度為k的:
22
23
     //考慮u有一子節點v,在v子樹中距離v長度為x的
     //以及不在v子樹但在u子樹中(這樣才會是橫跨u)且距離u長度為k
         - x - 1的
25
     //共有0.5 * (dp[v][x] * (dp[u][k - x - 1] -
         dp[v][k - x - 2]))
     //以上算式是重點,可使複雜度下降,否則枚舉一定超時
26
     //其中 dp[u][k - x - 1]是所有u子樹中距離u為k - x
27
         - 1的節點
28
     // - dp[v][k - x -
         2]是因為我們不要v子樹的節點且距離u為k - x -
         1的(要v子樹以外的),
```

if

if

if

 $S_1[i] = S_2[j]$

 $S_1[i] \neq S_2[j]$

```
//那些點有 dp [ v ] [ k - x - 2 ] , 最後 0 . 5 是 由於 計 算 中 i
29
           -> j以及j -> i(i、j是不同節點)
       //都會被算一遍,所以要 * 0.5
30
       long long cnt = 0;
31
32
       for (int v: G[u]) {
           if (v == p)
33
34
               continue;
35
           for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
               cnt += dp[v][x] * (dp[u][k - x - 1] -
36
                    dp[v][k - x - 2]);
           }
37
38
39
       res += cnt / 2;
40 }
41 int main() {
       scanf("%d %d", &n, &k);
42
       G.assign(n + 5, vector<int>());
43
       int u, v;
44
       for (int i = 1; i < n; ++i) {
45
46
           scanf("%d %d", &u, &v);
47
           G[u].emplace_back(v);
48
           G[v].emplace_back(u);
49
50
       dfs(1, -1);
       printf("%11d\n", res);
51
       return 0;
52
53 }
```

6.7 TreeDP reroot

```
1 /*f(0)與f(2)的關係
2 | f(2) = f(0) + a - b
3 | a = n - b, (subtree(2)以外的節點)
4 \mid b = subtreeSize(2), (subtree(2))
5 所以f(n)是n為root到所有點的距離
6|f(2) = f(0) + n - 2 * subtreeSize(2)
7 這就是快速得到答案的轉移式
8 f(child) = f(parent) + n - 2 * subtreeSize(child)
9|流程
      1. root = 0去求各項subtreeSize
10
      2. 求f(root)
11
      3. 以f(0)去求出re-root後的所有f(v), v != 0
12
13|整體來說
14 暴力解 O(n ^ 2)
15 re-root dp on tree O(n + n + n) \rightarrow O(n)*/
16 class Solution {
17
  public:
      vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
18
           vector<vector<int>>& edges) {
19
          this->res.assign(n, 0);
          G.assign(n + 5, vector<int>());
20
21
          for (vector<int>& edge: edges) {
22
               G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
23
               G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
24
          }
25
          memset(this->visited. 0.
               sizeof(this->visited));
          this ->dfs(0);
26
27
          memset(this->visited, 0,
               sizeof(this->visited));
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
28
           memset(this->visited, 0,
29
               sizeof(this->visited));
30
           this -> dfs3(0, n);
31
           return this->res;
      }
32
33
  private:
      vector<vector<int>> G:
34
      bool visited[30005];
35
36
      int subtreeSize[30005];
37
      vector<int> res;
38
      //求subtreeSize
39
      int dfs(int u) {
          this->visited[u] = true;
40
```

```
41
           for (int v: this->G[u]) {
42
               if (!this->visited[v]) {
                    this->subtreeSize[u] += this->dfs(v);
43
44
           }
45
           //自己
46
47
           this->subtreeSize[u] += 1;
           return this->subtreeSize[u];
48
49
50
       //求 res [0], 0到所有點的距離
       int dfs2(int u, int dis) {
51
52
           this->visited[u] = true;
53
           int sum = 0;
           for (int v: this->G[u]) {
54
55
               if (!visited[v]) {
56
                   sum += this->dfs2(v, dis + 1);
57
           }
58
           //要加上自己的距離
59
60
           return sum + dis;
61
      }
62
       //算出所有的 res
63
       void dfs3(int u, int n) {
64
           this->visited[u] = true;
65
           for (int v: this->G[u]) {
66
               if (!visited[v]) {
                   this->res[v] = this->res[u] + n - 2 *
67
                        this->subtreeSize[v];
68
                    this->dfs3(v, n);
69
               }
70
           }
71
      }
72
  };
```

6.8 WeightedLIS

```
1 #define maxn 200005
 2 long long dp[maxn];
  long long height[maxn];
  long long B[maxn];
  long long st[maxn << 2];</pre>
  void update(int p, int index, int 1, int r, long long
       v) {
       if (1 == r) {
 7
 8
           st[index] = v;
9
           return:
10
       int mid = (1 + r) >> 1;
11
12
       if (p <= mid)</pre>
13
           update(p, (index << 1), 1, mid, v);
14
15
           update(p, (index << 1) + 1, mid + 1, r, v);
       st[index] = max(st[index << 1], st[(index << 1) +
16
17 }
18 long long query(int index, int l, int r, int ql, int
       qr) {
19
       if (ql <= 1 && r <= qr)
           return st[index];
20
       int mid = (1 + r) >> 1;
21
22
       long long res = -1;
23
       if (ql <= mid)
24
           res = max(res, query(index << 1, 1, mid, ql,
                qr));
       if (mid < qr)</pre>
25
26
           res = max(res, query((index << 1) + 1, mid +
               1, r, ql, qr));
27
       return res:
28 }
29 int main() {
30
       int n;
       scanf("%d", &n);
31
32
       for (int i = 1; i <= n; ++i)
            scanf("%11d", &height[i]);
33
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
```

```
scanf("%11d", &B[i]);
long long res = B[1];
35
36
37
       update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
       for (int i = 2; i <= n; ++i) {
38
            long long temp;
if (height[i] - 1 >= 1)
39
40
                 temp = B[i] + query(1, 1, n, 1, height[i]
41
                     - 1);
            else
42
                 temp = B[i];
43
            update(height[i], 1, 1, n, temp);
44
45
            res = max(res, temp);
46
47
       printf("%11d \setminus n", res);
48
       return 0;
49 }
```