#### Contents 1 int char int char int char 32 64 @ 96 2 3 33 65 97 4 34 66 R 98 h 1 ubuntu # 67 99 5 35 C С 1.1 run . . . . 100 6 36 \$ 68 ח d 37 69 Ε 101 e 2 Basic 8 38 70 F 102 f 103 9 39 71 G g 40 72 Н 104 h 41 ) 73 Ι 105 i 12 42 74 J 106 i 13 43 75 Κ 107 k 44 76 108 1 L 14 2 4 STL 15 45 77 Μ 109 78 110 16 46 Ν 2 n 17 79 111 0 2 18 48 a 80 P 112 19 49 1 81 0 113 q 20 50 2 82 R 114 51 3 83 115 S s 84 116 t 23 53 5 85 IJ 117 и V 24 54 6 86 118 ν sort 25 55 7 87 W 119 120 26 56 8 88 Χ х 27 57 9 89 121 90 28 58 : 7 122 7 6 math 29 59 91 Ε 123 { 6 30 60 92 ١ 124 31 61 93 125 } 6 7 32 62 ` 94 126 7 algorithm ? 95 33 63 limits 8 動態規劃 1 [Type] [size] [range] 127 to -128 2 char 1 127 to -128 signed char graph unsigned char 1 0 to 255 9.1 graph . . . 11 short 2 32767 to -32768 int 4 2147483647 to -2147483648 12 4 0 to 4294967295 7 unsigned int long 4 2147483647 to -2147483648 unsigned long 0 to 18446744073709551615 4 9 8 10 long long ubuntu 11 9223372036854775807 to -9223372036854775808 12 double 8 1.79769e+308 to 2.22507e-308 13 long double 16 1.18973e+4932 to 3.3621e-4932 1.1 run 14 float 4 3.40282e+38 to 1.17549e-38 15 unsigned long long 8 0 to 18446744073709551615 16 string 32 1 ~ \$ bash cp.sh PA 字串 3 1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
3
 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
 if [[ "$?" == "0" ]]; then
          echo Running
          ./$1 < $1.in > $1.out
6
7
          echo END
8 fi
```

### Basic

#### 2.1 ascii

# 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  #define T(x) ((x) % 2 ? s[(x) / 2] : '.')
3
  using namespace std;
  string s;
5
  int n;
8
  int ex(int 1, int r) {
    int i = 0;
9
     while(1 - i >= 0 && r + i < n && T(1 - i) == T(r + i)
10
         i)) i++;
11
     return i;
12
13
14 int main() {
```

```
15
     cin >> s;
    n = 2 * s.size() + 1;
16
17
18
     int mx = 0;
19
     int center = 0;
     vector<int> r(n);
20
     int ans = 1;
21
22
     r[0] = 1;
     for(int i = 1; i < n; i++) {</pre>
23
       int ii = center - (i - center);
24
       int len = mx - i + 1;
25
       if(i > mx) {
26
27
         r[i] = ex(i, i);
         center = i;
28
29
         mx = i + r[i] - 1;
       } else if(r[ii] == len) {
30
         r[i] = len + ex(i - len, i + len);
31
32
         center = i;
         mx = i + r[i] - 1;
33
       } else {
34
         r[i] = min(r[ii], len);
35
36
37
       ans = max(ans, r[i]);
38
39
     cout << ans - 1 << "\n";
40
41
     return 0;
42 }
```

### 4 STL

### 4.1 priority\_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序,
      即優先權高的資料會先被取出。
2 宣告:
     priority_queue <int> pq;
3
4
  把元素 x 加進 priority_queue:
5
     pq.push(x);
6| 讀取優先權最高的值:
7
     x = pq.top();
                             //讀取後刪除
8
     pq.pop();
  判斷是否為空的priority_queue:
                             //回傳 true
10
     pq.empty()
11
     pq.size()
12 | 如 需 改 變 priority_queue 的 優 先 權 定 義 :
                             //預設由大到小
     priority_queue <T> pq;
13
14
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
                             //改成由小到大
15
16
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp
```

#### 4.2 queue

```
1 queue: 佇列,資料有「先進先出」 (first in first out,
     FIFO)的特性。
2 就像排隊買票一樣,先排隊的客戶被服務。
3|宣告:
     queue <int> q;
5 把元素 x 加進 queue:
     q.push(x);
6
  取值:
7
     x = q.front(); //   
9
     x = q.back(); // \mathbb{R}
 移除已經讀取的值:
10
11
     q.pop();
12 判斷是否為空的queue:
     q.empty() 回傳true
13
     q.size() 回傳零
14
15
16 #include <iostream>
```

```
17 #include <queue>
18 using namespace std;
19
20
   int main() {
21
       int n;
22
        while (cin >> n){
            if (n == 0) break;
23
            queue <int> q;
24
25
            for (int i = 0; i < n; i++){
26
                 q.push(i+1);
27
            }
            cout << "Discarded cards:";</pre>
28
29
            for (int i = 0; i < n-1; i++){</pre>
                 if (i != 0) cout << ',';</pre>
30
31
                 cout << ' ' << q.front();
32
                 q.pop();
33
                 q.push(q.front());
34
                 q.pop();
35
            }
36
            cout << endl << "Remaining card: " <<</pre>
                 q.front() << endl;</pre>
37
       }
38 }
```

### 4.3 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
     (Standard Template Library, STL)
2
3
     中的雙向佇列容器 (Double-ended Queue),
     跟 vector 相似,不過在 vector
4
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
7
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
8
 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back()
             //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
13
 dq.front()
              //回傳 deque 最開頭的元素
14
 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
    position: 插入元素的 index 值
16
17
    n: 元素插入次數
    val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
              //清空整個 deque 佇列。
20 dq.clear()
              //檢查 deque 的尺寸
21 dq.size()
22 dq.empty()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
               若是存在任何元素,則返回0
23
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
25 dq.end()
               不是最後一個元素,
26
27
               而是最後一個元素的下一個位置
```

#### 4.4 map

```
1map:存放 key-value pairs 的映射資料結構,2會按 key 由小到大排序。3元素存取4operator[]:存取指定的[i]元素的資料565迭代器7begin():回傳指向map頭部元素的迭代器8end():回傳指向map末尾的迭代器9rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器10rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
```

```
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key: it->first 或 (*it).first
14 取value: it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size(): 回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
27 查找
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
30
31 //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
34
35 int main(){
36
       //declaration container and iterator
37
       map<string, string> mp;
38
39
       map<string, string>::iterator iter;
40
       map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
41
       //insert element
42
       mp.insert(pair<string, string>("r000",
43
           "student_zero"));
44
       mp["r123"] = "student_first";
45
       mp["r456"] = "student_second";
46
47
       //traversal
48
       for(iter = mp.begin(); iter != mp.end(); iter++)
49
           cout << iter -> first << " " << iter -> second << endl;</pre>
50
51
       for(iter_r = mp.rbegin(); iter_r != mp.rend();
           iter_r++)
           cout<<iter_r->first<<"
52
                "<<iter_r->second<<endl;</pre>
53
       //find and erase the element
54
55
       iter = mp.find("r123");
      mp.erase(iter);
56
57
       iter = mp.find("r123");
58
59
60
       if(iter != mp.end())
          cout << "Find, the value is</pre>
61
               "<<iter->second<<endl;
62
          cout << "Do not Find" << endl;</pre>
63
64
65
       return 0;
66 }
67
68 //map統計數字
69 #include <bits/stdc++.h>
70 using namespace std;
71
72 int main(){
    ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0);
73
    long long n,x;
74
75
    cin>>n:
76
    map <int,int> mp;
    while(n--){
77
78
      cin>>x;
79
       ++mp[x];
80
     for(auto i:mp) cout<<i.first<<" "<<i.second<<endl;</pre>
81
82 }
```

### 4.5 unordered\_map

```
    1 unordered_map: 存放 key-value pairs

    2 的「無序」映射資料結構。

    3 用法與map相同
```

#### 4.6 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  宣告:
3
     set <int> st;
5
  把元素 x 加進 set:
6
7
     st.insert(x);
8
  檢查元素 x 是否存在 set 中:
9
     st.count(x);
10
11
12
  刪除元素 x:
      st.erase(x); // 可傳入值或iterator
13
14
  清空集合中的所有元素:
15
16
     st.clear();
17
  取值: 使用iterator
18
19
     x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
20
21
      x = *st.rbegin();
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
22
23
  判斷是否為空的set:
24
25
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
26
27
  常用來搭配的member function:
28
      st.count(x);
29
30
      auto it = st.find(x);
         // binary search, O(log(N))
31
32
      auto it = st.lower_bound(x);
33
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.upper_bound(x);
34
35
         // binary search, O(log(N))
```

#### 4.7 multiset

```
      1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。

      2 資料由小到大排序。

      3 宣告:

      4 multiset < int > st;

      5 刪除資料:

      6 st.erase(val); 會刪除所有值為 val 的元素。

      7 st.erase(st.find(val)); 只刪除第一個值為 val 的元素。
```

### 4.8 unordered\_set

```
1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
2 資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),
3 相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,
4 無自動排序功能。
5 
6 初始化
7 unordered_set<int> myunordered_set{1, 2, 3, 4, 5};
8 
9 陣列初始化
10 int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};
11 unordered_set<int> myunordered_set(arr, arr+5);
```

90

91 }

```
12
  插入元素
13
14 unordered set <int> myunordered set:
15 myunordered_set.insert(1);
16
17 迴圈遍歷 unordered_set 容器
18 #include <iostream>
19 #include <unordered_set>
20 using namespace std;
21
  int main() {
22
23
       unordered_set < int > myunordered_set = {3, 1};
24
       myunordered_set.insert(2);
       myunordered_set.insert(5);
25
26
       myunordered_set.insert(4);
       myunordered_set.insert(5);
27
       myunordered_set.insert(4);
28
29
       for (const auto &s : myunordered_set) {
30
           cout << s << " ";
31
       }
32
       cout << "\n";
33
34
35
       return 0;
36 }
37
38
39 output
40 4 5 2 1 3
41 */
42
43 unordered_set 刪除指定元素
  #include <iostream>
44
45 #include <unordered_set>
46
  int main() {
47
48
       unordered_set<int> myunordered_set{2, 4, 6, 8};
49
50
       myunordered_set.erase(2);
51
       for (const auto &s : myunordered_set) {
           cout << s << " ";
52
53
       cout << "\n";
54
55
56
       return 0;
57 }
58
59 output
60 8 6 4
61 */
62
63 清空 unordered_set 元素
  unordered_set < int > myunordered_set;
65 myunordered_set.insert(1);
66 myunordered_set.clear();
67
68 unordered_set 判斷元素是否存在
69 unordered_set<int> myunordered_set;
70 myunordered_set.insert(2);
71 myunordered_set.insert(4);
72 myunordered_set.insert(6);
73 cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1
74 cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
75
76 判斷 unordered_set 容器是否為空
77 #include <iostream>
78 #include <unordered_set>
79
80
  int main() {
81
       unordered_set < int > myunordered_set;
       myunordered_set.clear();
82
83
84
       if (myunordered_set.empty()) {
85
           cout << "empty\n";</pre>
       } else {
86
87
           cout << "not empty, size is "<<</pre>
               myunordered_set.size() << "\n";</pre>
```

return 0;

}

```
單調隊列
  4.9
1 // 單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
  example 1
  給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
9
  //寫法1
10
  #include <bits/stdc++.h>
11
  #define maxn 1000100
12 using namespace std:
13 int q[maxn], a[maxn];
14 int n, k;
16
  void getmin() {
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
17
      int head = 0, tail = 0;
18
19
       for (int i = 1; i < k; i++) {
20
           while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
               tail--;
21
          q[++tail] = i;
22
23
       for (int i = k; i <= n; i++) {
           while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
24
           q[++tail] = i;
25
           while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
26
           cout << a[q[head]] << " ";
27
28
      }
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
      int head = 0, tail = 0;
32
33
      for (int i = 1; i < k; i++) {
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
           q[++tail] = i;
35
36
      for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
37
38
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
39
           q[++tail] = i;
           while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
40
41
           cout << a[q[head]] << " ";
      }
42
43
  }
44
45 int main() {
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
46
47
      for (int i = 1; i <= n; i++) cin>>a[i];
48
       getmin():
49
       cout << '\n':
50
       getmax();
51
      cout << '\n';
52
      return 0;
53
  }
  //寫法2
56 #include <iostream>
57 #include <cstring>
58 #include <deque>
59
  using namespace std:
60
  int a[1000005];
61
  int main() {
62
63
      ios_base::sync_with_stdio(0);
64
       int n, k;
65
       while(cin>>n>>k) {
          for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
66
```

```
while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
69
                    dq.pop_front();
70
71
                while(dq.size() && a[dq.back()]>a[i])
72
                     dq.pop_back();
                dq.push_back(i);
73
74
                if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];</pre>
75
                if(i>k-1) cout<< ' '<<a[dq.front()];</pre>
76
77
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
            cout << '\n';
78
79
            while(dq.size()) dq.pop_back();
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
80
81
                while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
82
                    dq.pop_front();
                while(dq.size() && a[dq.back()]<a[i])</pre>
83
84
                    dq.pop_back();
                dq.push_back(i);
85
86
                if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];</pre>
                if(i>k-1) cout<<' '<<a[dq.front()];</pre>
87
88
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
89
90
            cout << '\n';
91
92
       return 0:
93 }
94
95
96
   example 2
97
   一個含有 n 項的數列,求出每一項前的 m
98
        個數到它這個區間內的最小值。
   若前面的數不足 m 項則從第 1
99
        個數開始,若前面沒有數則輸出 0
100
101 #include <bits/stdc++.h>
102 using namespace std;
103 #define re register int
104 #define INF 0x3f3f3f3f
105 #define ll long long
106 #define maxn 2000009
   #define maxm
   inline 11 read() {
108
109
       11 x=0, f=1;
110
       char ch=getchar();
       while(ch<'0'||ch>'9'){
111
        if(ch=='-') f=-1;
112
       ch=getchar();
113
114
       while(ch>='0'&&ch<='9'){</pre>
115
       x=(x<<1)+(x<<3)+(11)(ch-'0');
116
117
        ch=getchar();
     }
118
       return x*f;
119
120 }
121 int n,m,k,tot,head,tail;
122
   int a[maxn],q[maxn];
123 int main() {
       n=read(), m=read();
124
       for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();</pre>
125
       head=1, tail=0; //起始位置為1
126
            因為插入是q[++tail]所以要初始化為0
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
127
          //每次隊首的元素就是當前的答案
128
129
            cout << a[g[head]] << endl;</pre>
130
            while(i-q[head]+1>m&&head<=tail)//維護隊首
131
132
133
            while(a[i]<a[q[tail]]&&head<=tail)//維護隊尾
                tail--:
134
            q[++tail]=i;
135
       }
136
137
       return 0;
138 }
```

68

deque<int> dq;

for(int i=0; i<n; i++){</pre>

### 5 sort

### 5.1 大數排序

```
1 | #python 大數排序
  while True:
4
    try:
                              # 有幾筆數字需要排序
     n = int(input())
5
     arr = []
                              # 建立空串列
6
7
     for i in range(n):
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
9
      arr.sort()
                              # 串列排序
10
      for i in arr:
                           # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
13
     break
```

#### 5.2 bubble sort

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
2
  int main() {
4
    int n;
6
     cin>>n;
7
     int a[n], tmp;
8
     for(int i=0; i<n; i++) cin>>a[i];
     for(int i=n-1; i>0; i--) {
10
       for(int j=0; j<=i-1; j++) {</pre>
         if( a[j]>a[j+1]) {
11
12
            tmp=a[j];
13
            a[j]=a[j+1];
           a[j+1]=tmp;
14
15
         }
16
17
18
     for(int i=0; i<n; i++) cout<<a[i]<<" ";</pre>
19 }
```

#### 6 math

### 6.1 質數與因數

```
1| 質數
2
  一般篩法 O(NloglogN)
3
  vector<int> p;
  bitset < MAXN > is_notp;
5
6
  void PrimeTable(int n)
7
  {
8
       is_notp.reset():
9
       is_notp[0] = is_notp[1] = 1;
       for (int i = 2; i <= n; i++)</pre>
10
11
       {
12
           if (is_notp[i])
13
                continue;
14
           p.push_back(i);
15
           for (int j = i * i; j <= n; j += i)</pre>
16
           {
17
                is_notp[j] = 1;
18
19
       }
20 }
21
22 線性篩法 O(N)
  vector<int> p;
23
  bitset<MAXN> is_notp;
  void PrimeTable(int n)
25
26 {
```

```
27
       is_notp.reset();
       is_notp[0] = is_notp[1] = 1;
28
29
       for (int i = 2; i <= n; ++i)
30
31
           if (!is_notp[i])
32
                p.push_back(i);
           for (int j = 0; j < (int)p.size(); ++j)</pre>
33
34
                if (i * p[j] > n)
35
36
                    break;
37
                is_notp[i * p[j]] = 1;
                if (i % p[j] == 0)
38
39
                    break;
           }
40
41
       }
42 }
43
44
  因數
45
46 最大公因數 O(log(min(a,b)))
47 int GCD(int a, int b)
48 {
       if (b == 0) return a;
49
       return GCD(b, a % b);
50
51 }
52 質因數分解
53
54
   void primeFactorization(int n)
55 {
       for (int i = 0; i < (int)p.size(); ++i)</pre>
56
57
58
           if (p[i] * p[i] > n)
59
                break;
           if (n % p[i])
60
61
                continue;
           cout << p[i] << ' ';
62
           while (n % p[i] == 0)
63
64
               n /= p[i];
       }
65
66
       if (n != 1)
           cout << n << ' ';
67
68
       cout << '\n';
69 }
70
71 歌德巴赫猜想
72 | solution : 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
73 #include <iostream>
74 #include <cstdio>
75 using namespace std;
76 #define N 20000000
77 int ox[N], p[N], pr;
78
79
   void PrimeTable(){
80
       ox[0] = ox[1] = 1;
       pr = 0:
81
82
       for (int i = 2; i < N; i++){
           if (!ox[i]) p[pr++] = i;
83
84
           for (int j = 0;i*p[j]<N&&j < pr; j++)</pre>
85
                ox[i*p[j]] = 1;
       }
86
87 }
88
89
   int main(){
90
       PrimeTable();
91
       int n:
92
           while (cin>>n,n){
               int x;
93
                for (x = 1;; x += 2)
94
                    if (!ox[x] && !ox[n - x])break;
95
                printf("%d = %d + %d\n", n, x, n - x);
96
97
98 }
   problem : 給定整數 N,求 N
99
       最少可以拆成多少個質數的和。
100 如果 N 是質數,則答案為 1。
101 如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
```

```
102 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
103 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
104 #pragma GCC optimize("02")
105 #include <bits/stdc++.h>
106 using namespace std;
107
   #define FOR(i, L, R) for(int i=L;i<(int)R;++i)</pre>
   #define FORD(i, L, R) for(int i=L;i>(int)R;--i)
108
   #define IOS
109
       cin.tie(nullptr);
110
       cout.tie(nullptr);
111
112
        ios_base::sync_with_stdio(false);
113
   bool isPrime(int n){
114
115
       FOR(i, 2, n){
           if (i * i > n)
116
117
                return true;
            if (n % i == 0)
118
119
                return false;
120
       }
121
       return true:
122
123
124
   int main(){
125
       IOS;
126
        int n;
127
        cin >> n;
       if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
128
        else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
129
        else cout << "3\n";</pre>
130
131 }
```

## 6.2 prime factorization

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
3
4
  int main() {
    int n;
5
     while(true) {
7
       cin>>n;
8
       for(int x=2; x<=n; x++) {
9
         while(n%x==0) {
10
            cout << x << " * ";
11
         }
12
       }
13
       cout << "\b \n";
14
15
     }
16
     system("pause");
17
     return 0;
18
```

### 6.3 快速冪

```
1|計算a^b
  #include <iostream>
  #define ll long long
  using namespace std;
6
  const 11 MOD = 1000000007;
7
  11 fp(ll a, ll b) {
    int ans = 1;
    while(b > 0) {
      if(b & 1) ans = ans * a % MOD;
      a = a * a % MOD;
11
12
      b >>= 1;
    }
13
14
    return ans;
15
  }
16
17
  int main() {
18
    int a, b;
    cin>>a>>b;
19
```

```
20 cout << fp(a,b);
21 }
```

## 7 algorithm

#### 7.1 basic

```
1 min:取最小值。
2 min(a, b)
3 min(list)
4 max:取最大值。
5 max(a, b)
6 max(list)
7 min_element:找尋最小元素
8 min_element(first, last)
9 max_element:找尋最大元素
10 max_element(first, last)
11 sort:排序,預設由小排到大。
12 sort(first, last)
13 | sort(first, last, comp):可自行定義比較運算子 Comp ∘
14 find:尋找元素。
15 find(first, last, val)
16 lower_bound:尋找第一個小於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
17 lower_bound(first, last, val)
18 upper_bound:尋找第一個大於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
19 upper_bound(first, last, val)
20 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false 。
21
22 next_permutation(first, last)
23 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false
25 prev_permutation(first, last)
```

### 7.2 binarysearch

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
   int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
       int left=0, right=nums.size()-1;
5
       while(left<=right){</pre>
7
           int mid=(left+right)/2;
           if (nums[mid]>target) right=mid-1;
9
           else if(nums[mid]<target) left=mid+1;</pre>
10
           else return mid+1;
11
       }
       return 0;
12
13 }
14
15 int main() {
16
    int n, k, x;
17
     cin >> n >> k;
18
     int a[n];
     vector<int> v;
19
     for(int i=0 ; i<n ; i++){</pre>
20
21
       cin >> x;
       v.push_back(x);
22
23
    for(int i=0 ; i<k ; i++) cin >> a[i];
24
     for(int i=0 ; i<k ; i++){</pre>
25
26
       cout << binary_search(v, a[i]) << endl;</pre>
27
28 }
29
30 lower_bound(a, a + n, k);
                                   //最左邊 ≥ k 的位置
31 upper_bound(a, a + n, k);
                                   //最左邊 > k 的位置
32 upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
33 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
```

```
//等於 k 的範圍
34 (lower_bound, upper_bound)
  equal_range(a, a+n, k);
35
37
  /*
38
  input
39
  5 5
40 1 3 4 7 9
41 3 1 9 7 -2
42
  */
43
44
  /*
45
  output
46
  2
47
48
  5
  4
49
50
  0
51 */
```

### 7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
2| 陣列前n項的和。
ab[i] = a[0] + a[1] + a[2] + \cdots + a[i]
  區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
  #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
  int main(){
      int n;
10
      cin >> n;
      int a[n], b[n];
11
      for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
12
13
      b[0] = a[0];
      for(int i=1; i<n; i++) b[i] = b[i-1] + a[i];</pre>
14
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';</pre>
15
16
       cout << '\n';
17
      int 1, r;
18
       cin >> 1 >> r;
      cout << b[r] - b[1-1] ; //區間和
19
20 }
```

### 7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
  給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
  在 b[l] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
  最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
  這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
10
11
12
  #include <bits/stdc++.h>
13 using namespace std;
14 int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
15
  int main(){
16
      int n, 1, r, v;
17
18
      cin >> n;
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
19
20
          cin >> a[i];
21
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
22
      cin >> 1 >> r >> v;
23
      b[1] += v;
24
25
      b[r+1] -= v;
26
27
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
          b[i] += b[i-1];
28
```

```
cout << b[i] << ' ';
29
                                                      67
     }
                                                      68
                                                                cout << ans << endl;</pre>
30
31 }
                                                            }
                                                      69
                                                      70 }
                                                      71
                                                      72 Commando War
  7.5 greedy
                                                        //problem
                                                      74 有 n 個部下,每個部下要花 Bi 分鐘交待任務,
                                                        再花 Ji 分鐘執行任務,一次只能對一位部下交代任務,
1 // 貪心
                                                        但可以多人同時執行任務,問最少要花多少時間完成任務。
2 貪心演算法的核心為,
                                                      77
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
                                                        //solution
                                                      78
4 貪心演算法雖然能獲得當前最佳解,
                                                        執行時間長的人先交代任務
                                                      79
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
                                                      80
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
                                                      81
                                                         //code
  確認無誤再實作。
                                                        #include <bits/stdc++.h>
8
                                                        using namespace std;
  Scarecrow
                                                      84
                                                        struct Data{
10
  //problem
                                                            int b, j;
11 有一個 N×1 的稻田,有些稻田現在有種植作物,
                                                            bool operator<(const Data &rhs) const {</pre>
                                                      86
12 為了避免被動物破壞,需要放置稻草人,
                                                                return j > rhs.j;
                                                      87
13 稻草人可以保護該塊稻田和左右兩塊稻田,
                                                      88
                                                      89 };
14 請問最少需要多少稻草人才能保護所有稻田?
15
                                                        int main(){
                                                      91
16 //solutoin
                                                            int n, ti = 0;
                                                      92
17 從左到右掃描稻田,如果第 i 塊稻田有作物,
                                                            Data a[1005];
                                                      93
18 就把稻草人放到第 i+1 塊稻田,
                                                            while (cin >> n, n){
                                                      94
19 這樣能保護第 i,i+1,i+2 塊稻田,
                                                      95
                                                                for (int i = 0; i < n; ++i)
20 接著從第 i+3 塊稻田繼續掃描。
                                                                   cin >> a[i].b >> a[i].j;
                                                      96
21
                                                                sort(a, a + n);
22
                                                      98
                                                                int ans = 0, sum = 0;
23 #include <bits/stdc++.h>
                                                      99
                                                                for (int i = 0; i < n; ++i){
24 using namespace std;
                                                                    sum += a[i].b;
                                                      100
25 int main(){
                                                     101
                                                                    ans = max(ans, sum + a[i].j);
      string s;
26
27
      int i, n, t, tc = 1;
                                                                cout << "Case "<<++ti<<": "<<ans<< '\n';
                                                     103
      cin >> t;
28
                                                     104
      while (t--){
29
                                                      105 }
30
         cin >> n >> s;
                                                     106
31
         int nc = 0;
                                                     107 | 刪數字問題
32
         for (i = 0; i < n; i++)
             if (s[i] == '.')i += 2, nc++;
33
                                                     109 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
          cout << "Case "<<tc++<<": "<<nc<<endl;
                                                        請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
                                                     110
     }
35
                                                     111
36 }
                                                     112
                                                         //solution
37
                                                        刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
38 霍夫曼樹的變形題
                                                     114
                                                        扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
39
                                                     115
40 給定 N 個數,每次將兩個數 a,b 合併成 a+b,
                                                     116
                                                        //code
  只到最後只剩一個數,合併成本為兩數和,
                                                     117 int main()
42 問最小合併成本為多少。
                                                     118
43
                                                     119
                                                            string s;
  //solution
44
                                                     120
                                                            int k;
45
  每次將最小的兩數合併起來。
                                                            cin >> s >> k;
                                                     121
46
                                                     122
                                                            for (int i = 0; i < k; ++i){
47
  //code
                                                                if ((int)s.size() == 0) break;
                                                     123
48 #include <bits/stdc++.h>
                                                                int pos = (int)s.size() - 1;
                                                     124
49 using namespace std;
                                                                for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){}
                                                     125
50 int main()
                                                                    if (s[j] > s[j + 1]){
                                                     126
51
                                                     127
                                                                       pos = j;
52
                                                                       break:
                                                     128
53
      while (cin >> n, n){
                                                      129
                                                                   }
54
         priority_queue < int , vector < int > , greater < int >>
                                                                }
                                                     130
                                                     131
                                                                s.erase(pos, 1);
55
          while (n--){
                                                     132
             cin >> x;
56
                                                     133
                                                            while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
57
             q.push(x);
                                                     134
                                                                s.erase(0, 1);
58
                                                            if ((int)s.size()) cout << s << '\n';</pre>
                                                     135
59
         long long ans = 0;
                                                            else cout << 0 << '\n';
                                                     136
60
          while (q.size() > 1){
                                                     137 }
             x = q.top();
61
                                                     138
62
             q.pop();
                                                     139
             x += q.top();
63
                                                     140 區間覆蓋長度
             q.pop();
64
                                                        //problem
65
             q.push(x);
                                                     142 | 給定 n 條線段區間為 [Li, Ri],
```

ans += x;

66

```
143 請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度?
                                                       219
                                                                      ans = -1;
144
                                                       220
                                                                      break:
  //solution
                                                                  }
145
                                                        221
146 先將所有區間依照左界由小到大排序,
                                                        222
                                                                  ++ans;
                                                        223
                                                                  i = nextR + r;
147 左界相同依照右界由小到大排序,
                                                       224
  用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。
                                                              cout << ans << '\n';
                                                        225
149 如果目前區間左界 ≤R,代表該區間可以和前面的線段合併。
                                                        226
150
                                                       227
151
                                                        228
152 struct Line
                                                           最多不重疊區間
                                                        229
153 {
                                                       230
                                                           //problem
      int L, R;
154
                                                       231 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
      bool operator<(const Line &rhs) const</pre>
155
                                                           請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
156
                                                       232
          if (L != rhs.L) return L < rhs.L;</pre>
                                                       233
157
                                                       234
                                                          //solution
          return R < rhs.R;</pre>
158
                                                       235 依照右界由小到大排序,
159
                                                       236 每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
160 };
161
                                                       237
   int main(){
162
                                                        238
      int n;
163
                                                           struct Line
                                                       239
164
      Line a[10005];
                                                       240
      while (cin >> n){
165
                                                       241
                                                               int L, R;
166
          for (int i = 0; i < n; i++)
                                                              bool operator < (const Line &rhs) const {</pre>
                                                       242
              cin >> a[i].L >> a[i].R;
167
                                                        243
                                                                   return R < rhs.R;</pre>
168
          sort(a, a + n);
                                                       244
169
          int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
                                                        245
                                                           };
170
          for (int i = 1; i < n; i++){</pre>
                                                       246
171
              if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);</pre>
                                                       247
                                                           int main(){
              else{
172
                                                       248
                                                              int t;
                  ans += R - L;
173
                                                              cin >> t;
                                                       249
                  L = a[i].L;
174
                                                               Line a[30];
                                                        250
175
                  R = a[i].R;
                                                       251
                                                               while (t--){
176
                                                        252
                                                                  int n = 0;
177
                                                       253
                                                                  while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
          cout << ans + (R - L) << ' \setminus n';
178
                                                       254
                                                                      ++n:
179
      }
                                                                  sort(a, a + n);
                                                        255
                                                                  int ans = 1, R = a[0].R;
180
                                                       256
181
                                                        257
                                                                  for (int i = 1; i < n; i++){
182
                                                       258
                                                                      if (a[i].L >= R){
183 最小區間覆蓋長度
                                                       259
                                                                          ++ans;
184 //problem
                                                        260
                                                                          R = a[i].R;
185 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                                      }
                                                        261
  請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
                                                        262
186
                                                                  cout << ans << '\n';
                                                       263
187
                                                              }
                                                        264
188
                                                        265
                                                           }
   先將 所 有 區 間 依 照 左 界 由 小 到 大 排 序 ,
                                                        266
   對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                        267
   找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
191
                                                        268 區間選點問題
192
                                                       269
                                                           //problem
193 //problem
                                                       270 給你 n 條線段區間為 [Li.Ri],
194 長度 n 的直線中有數個加熱器,
                                                           請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點?
                                                       271
195 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                                        272
  問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
                                                       273
                                                           //solution
197
                                                       274 將區間依照右界由小到大排序,R=第一個區間的右界,
198
  //solution
                                                          遍歷所有區段,如果當前區間左界>R,
                                                       275
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
199
                                                           代表必須多選一個點 (ans+=1),並將 R=當前區間右界。
                                                       276
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
200
                                                       277
201
                                                       278
                                                           //problem
   //code
202
                                                       279 給定 N 個座標,要在 x 軸找到最小的點,
  int main(){
203
                                                           讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
                                                       280
204
      int n, r;
                                                       281
      int a[1005];
205
                                                          //solution
      cin >> n >> r;
206
                                                       283 以每個點 (xi,yi) 為圓心半徑為 D 的圓 C,
      for (int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
207
       int i = 1, ans = 0;
                                                       284 求出 C 和 x 軸的交點 Li, Ri, 題目轉變成區間選點問題。
208
209
       while (i \le n){
                                                       285
210
          int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)
                                                       286
                                                           //code
211
          int nextR=-1;
                                                       287
                                                           struct Line
          for (int j = R; j >= L; --j){}
212
                                                       288
              if (a[j]){
213
                                                        289
                                                               int L, R;
                  nextR = j;
                                                              bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
214
                                                       290
215
                  break;
                                                        291
                                                                  return R < rhs.R;</pre>
216
              }
                                                       292
                                                                  }
                                                       293 };
217
```

294

218

 $if (nextR == -1){$ 

```
370 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
295
  int main(){
      int t:
                                                       371
296
      cin >> t;
297
                                                        372
                                                           //code
      Line a[30];
298
                                                       373
                                                           struct Work{
299
       while (t--){
                                                       374
                                                               int t, d;
300
          int n = 0;
                                                       375
                                                              bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
          while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
                                                                  return d < rhs.d;</pre>
301
                                                       376
302
                                                        377
303
          sort(a, a + n);
                                                       378
                                                           };
          int ans = 1, R = a[0].R;
304
                                                        379
305
          for (int i = 1; i < n; i++){
                                                       380
                                                           int main(){
              if (a[i].L >= R){
                                                              int n = 0;
306
                                                       381
                                                        382
                                                              Work a[10000];
307
                  ++ans;
                  R = a[i].R;
                                                               priority_queue<int> pq;
                                                        383
308
309
                                                        384
                                                               while(cin >> a[n].t >> a[n].d)
          }
310
                                                       385
                                                                  ++n;
          cout << ans << '\n';
                                                               sort(a, a + n);
311
                                                       386
312
                                                       387
                                                              int sumT = 0, ans = n;
                                                               for (int i = 0; i < n; ++i){
313 }
                                                        388
314
                                                        389
                                                                  pq.push(a[i].t);
                                                                  sumT += a[i].t:
315
                                                        390
316 最小化最大延遲問題
                                                                  if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                        391
                                                       392
                                                                      int x = pq.top();
317 //problem
                                                                      pq.pop();
                                                        393
318 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                                      sumT -= x;
                                                        394
319 期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
                                                       395
                                                                      --ans:
320 原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                                  }
                                                        396
321 | 求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                        397
                                                              }
322
                                                        398
                                                              cout << ans << '\n';
323 //solution
                                                       399
                                                           }
324 按照到期時間從早到晚處理。
                                                       400
325
                                                       401 任務調度問題
326 //code
                                                        402 //problem
327 struct Work
                                                        403 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
328 \ \{
                                                        404 期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
329
       int t, d;
                                                           請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                        405
330
       bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
          return d < rhs.d;</pre>
                                                       406
331
                                                        407
                                                           //solution
332
                                                        408 依照懲罰由大到小排序,
333| };
                                                           每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
334
                                                        409
                                                           如果有空閒就放進去,否則延後執行。
335
  int main(){
                                                       410
      int n;
336
                                                       411
337
      Work a[10000];
                                                       412
                                                           //problem
338
      cin >> n;
                                                       413 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
       for (int i = 0; i < n; ++i)
339
                                                       414 期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
          cin >> a[i].t >> a[i].d;
340
                                                               單位獎勵,
      sort(a, a + n);
341
                                                           請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                       415
342
      int maxL = 0, sumT = 0;
                                                       416
      for (int i = 0; i < n; ++i){
343
                                                           //solution
                                                       417
          sumT += a[i].t;
344
                                                           和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
                                                       418
          maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
345
346
      }
                                                        420
                                                           //code
      cout << maxL << '\n';
347
                                                        421
                                                           struct Work
348 }
                                                        422
                                                           {
349
                                                               int d, p;
                                                        423
350
                                                              bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
                                                        424
351 最少延遲數量問題
                                                        425
                                                                  return p > rhs.p;
352 //problem
                                                        426
353 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                        427 };
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                       428
355
                                                        429
                                                           int main(){
356
  //solution
                                                        430
                                                              int n:
   期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序431
                                                              Work a[100005];
358 依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                              bitset<100005> ok;
                                                       432
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
359
                                                               while (cin >> n){
                                                        433
360
                                                        434
                                                                  ok.reset();
                                                                  for (int i = 0; i < n; ++i)
361
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                       435
                                                                      cin >> a[i].d >> a[i].p;
                                                        436
362
363 //problem
                                                        437
                                                                  sort(a, a + n);
                                                        438
                                                                  int ans = 0;
  給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                        439
                                                                  for (int i = 0; i < n; ++i){
365
                                                                      int j = a[i].d;
                                                        440
  和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
366
                                                        441
                                                                      while (j--)
367
                                                                          if (!ok[j]){
                                                        442
368 工作處裡時長→烏龜重量
                                                        443
                                                                              ans += a[i].p;
369 工作期限 → 烏龜可承受重量
                                                                              ok[j] = true;
                                                        444
```

```
}
446
447
           cout << ans << '\n';
448
449
450
  }
451
452 多機調度問題
453 //problem
454 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
455 有 M 台機器可執行多項工作,但不能將工作拆分,
   最快可以在什麼時候完成所有工作?
457
458
   //solution
   將工作由大到小排序,每項工作交給最快空閒的機器。
459
460
461
   //code
   int main(){
462
       int n, m;
463
464
       int a[10000];
465
       cin >> n >> m;
       for (int i = 0; i < n; ++i)
466
467
           cin >> a[i];
468
       sort(a, a + n,greater<int>());
       int ans = 0;
469
470
       priority_queue < int , vector < int > , greater < int >>pq;
471
       for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){</pre>
472
           ans = max(ans, a[i]);
473
           pq.push(a[i]);
474
475
       for (int i = m; i < n; ++i){</pre>
           int x = pq.top();
476
477
           pq.pop();
478
           x += a[i];
479
           ans = max(ans, x);
           pq.push(x);
480
481
       cout << ans << '\n';
482
483 }
```

break;

# 8 動態規劃

445

### 8.1 LCS 和 LIS

```
1 //最長共同子序列(LCS)
2| 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
  C 同時為 A,B 的子序列。
3
5 //最長遞增子序列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
    3. 對 B 做 LIS
16
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
      越早出現的數字要越小
18
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
19
      直接忽略這個數字不做轉換即可
20
```

# 9 graph

### 9.1 graph

```
#include < bits / stdc++.h>
  using namespace std;
4
  class Node {
5
  public:
6
       int val;
       vector < Node *> children;
7
       Node() {}
9
10
11
       Node(int _val) {
           val = _val;
12
13
14
15
       Node(int _val, vector<Node*> _children) {
           val = _val;
16
17
           children = _children;
18
19
  };
20
  struct ListNode {
21
22
       int val;
23
       ListNode *next;
       ListNode(): val(0), next(nullptr) {}
24
25
       ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
       ListNode(int x, ListNode *next) : val(x),
26
           next(next) {}
27
  };
28
29
  struct TreeNode {
       int val:
30
31
       TreeNode *left;
32
       TreeNode *right;
33
       TreeNode() : val(0), left(nullptr),
           right(nullptr) {}
       TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr),
34
           right(nullptr) {}
       TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right)
35
           : val(x), left(left), right(right) {}
36 };
37
38
  class ListProblem {
      vector<int> nums={};
39
  public:
40
41
       void solve() {
42
           return:
43
       }
44
45
       ListNode* buildList(int idx) {
           if(idx == nums.size()) return NULL;
46
           ListNode *current=new
               ListNode(nums[idx++], current->next);
48
           return current;
49
       }
50
       void deleteList(ListNode* root) {
51
           if(root == NULL) return;
52
53
           deleteList(root->next);
54
           delete root;
55
           return:
56
       }
  };
57
58
59
  class TreeProblem {
60
       int null = INT_MIN;
61
       vector<int> nums = {}, result;
  public:
62
63
       void solve() {
64
65
           return;
66
       }
67
       TreeNode* buildBinaryTreeUsingDFS(int left, int
68
           right) {
69
           if((left > right) || (nums[(left+right)/2] ==
                null)) return NULL;
           int mid = (left+right)/2;
70
```

```
71
            TreeNode* current = new TreeNode(
                                                                  142 };
72
                 nums[mid].
                                                                  143
73
                 buildBinaryTreeUsingDFS(left,mid-1),
                                                                  144
                 buildBinaryTreeUsingDFS(mid+1,right));
                                                                  145
74
75
            return current;
                                                                  146
        }
76
                                                                  147 }
77
78
        TreeNode* buildBinaryTreeUsingBFS() {
79
            int idx = 0;
            TreeNode* root = new TreeNode(nums[idx++]);
80
81
            queue < TreeNode *> q;
            q.push(root);
82
83
            while(idx < nums.size()) {</pre>
                 if(nums[idx] != null) {
84
85
                     TreeNode* left = new
                          TreeNode(nums[idx]);
                     q.front()->left = left;
86
87
                     q.push(left);
                 }
88
89
                 idx++;
                 if((idx < nums.size()) && (nums[idx] !=</pre>
90
                      null)) {
91
                     TreeNode* right = new
                          TreeNode(nums[idx]);
92
                     q.front()->right = right;
93
                     q.push(right);
                 }
94
                 idx++;
95
                 q.pop();
96
97
            }
98
            return root;
99
        }
100
101
        Node* buildNAryTree() {
102
            int idx = 2;
103
            Node *root = new Node(nums.front());
            queue < Node *> q;
104
            q.push(root);
105
            while(idx < nums.size()) {</pre>
106
                 while((idx < nums.size()) && (nums[idx]</pre>
107
                      != null)) {
108
                     Node *current = new Node(nums[idx++]);
                     q.front()->children.push_back(current);
109
110
                     q.push(current);
                 }
111
112
                 idx++;
113
                 q.pop();
            }
114
115
            return root;
116
117
        void deleteBinaryTree(TreeNode* root) {
118
            if(root->left != NULL)
119
                 deleteBinaryTree(root->left);
            if(root->right != NULL)
120
                 deleteBinaryTree(root->right);
            delete root;
121
            return;
122
        }
123
124
125
        void deleteNAryTree(Node* root) {
            if(root == NULL) return;
126
            for(int i=0; i<root->children.size(); i++) {
127
128
                 deleteNAryTree(root->children[i]);
                 delete root->children[i];
129
130
            }
            delete root;
131
132
            return;
133
134
135
        void inorderTraversal(TreeNode* root) {
136
            if(root == NULL) return;
137
            inorderTraversal(root->left);
            cout << root -> val << ' ';</pre>
138
139
            inorderTraversal(root->right);
140
            return;
141
        }
```

### 10 Section2

return 0;

### 10.1 thm

int main() {

- · 中文測試
- $\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$