C	ontents	
1	ubuntu 1	
	1.1 run	
	1.2 cp.sh	
2	Basic 1	
_	2.1 ascii	
	2.2 limits	
3	字串     1       3.1 最長廻文子字串	
	3.1 最長週又子字串	
	3.2 Sti Ingsti edii	
4	STL 2	
	4.1 priority_queue	
	4.2 deque	
	4.3 map	
	4.4 unordered_map	
	4.6 multiset	
	4.7 unordered_set	
	4.8 單調隊列	
_		
5	sort     3       5.1 大數排序	
	3.1 /\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	
6	math 4	
	6.1 質數與因數	
	6.2 prime factorization	
	6.3 快速幕	
	6.4 歐拉凶數	
7	algorithm 5	
	7.1 basic	
	7.2 binary search	
	7.3 prefix sum	
	7.4 差分	
	7.5 greedy	
	7.7 dinic	
	7.8 SegmentTree	
	7.9 Nim Game	
•	動態規劃 10	
8	<b>動態規劃</b> 10 8.1 LCS 和 LIS	
	0.1 LCO 1μ LIO	
9	Section2 10	
	9.1 thm	

#### ubuntu

Contents

### 1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

### 1.2 cp.sh

```
1 #!/bin/bash
2 clear
3 g++ $1.cpp -DDBG -o $1
 if [[ "$?" == "0" ]]; then
5
         echo Running
          ./$1 < $1.in > $1.out
          echo END
7
```

### Basic

### 2.1 ascii

```
1 int
                char
                          int
                                    char
                                              int
                                                        char
     32
                          64
                                   @
                                              96
   3
     33
                          65
                                              97
   4
     34
                          66
                                   R
                                              98
                                                        b
   5
     35
                #
                          67
                                              99
                                   С
                                                        С
                                              100
   6
     36
               $
                          68
                                   ח
                                                        d
     37
                          69
                                   Ε
                                              101
                                                        e
   8
     38
                          70
                                   F
                                              102
                                              103
   9
     39
                          71
                                   G
  10
     40
                (
                          72
                                   Н
                                              104
  11
     41
                )
                          73
                                   Ι
                                              105
                                                        i
  12
     42
                          74
                                   J
                                              106
                                                        i
  13
     43
                          75
                                   Κ
                                              107
2
  14
     44
                          76
                                              108
                                                        1
                                   L
2
  15
      45
                          77
                                   Μ
                                              109
                                                        m
  16
     46
                          78
                                              110
2
                                   Ν
                                                        n
2 17
                          79
                                    0
                                              111
                                                        0
2 18
               a
                                   P
                                              112
     48
                          80
  19
     49
               1
                          81
                                   0
                                              113
                                                        q
  20
     50
               2
                          82
                                   R
                                              114
3
  21
     51
               3
                         83
                                              115
                                   S
                                                        s
     52
                4
                          84
                                              116
                                                        t
3
                                              117
  23
     53
               5
                          85
                                   IJ
                                                        и
                                    V
                                              118
  24
     54
               6
                          86
                                                        v
3
  25
     55
               7
                          87
                                   W
                                              119
3
     56
               8
                                              120
  26
                         88
                                   Χ
4
  27
     57
                9
                          89
                                              121
4
  28
     58
                         90
                                              122
                                   7
                                                        z
  29
     59
                          91
                                    Ε
                                              123
                                                        {
4
  30
     60
                          92
                                              124
5
  31
     61
                          93
                                              125
                                                        }
                                    7
  32
     62
               >
                          94
                                              126
5
                ?
                          95
5
  33 63
```

### limits

```
1 [Type]
                      [size]
                                    [range]
2
                                  127 to -128
  char
                        1
  signed char
                                  127 to -128
  unsigned char
                        1
                                  0 to 255
                                  32767 to -32768
  short
                        2
                                  2147483647 to -2147483648
 6 int
                        4
7
  \quad \hbox{unsigned int} \quad
                        4
                                  0 to 4294967295
8
  long
                        4
                                  2147483647 to -2147483648
                                  0 to 18446744073709551615
  unsigned long
                        4
9
10 long long
                        8
11
              9223372036854775807 to -9223372036854775808
12
  double
                        8
                              1.79769e+308 to 2.22507e-308
13
  long double
                        16
                              1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14 float
                        4
                                3.40282e+38 to 1.17549e-38
15 unsigned long long
                        8
                                  0 to 18446744073709551615
16 string
                        32
```

#### 字串

### 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
  using namespace std;
  string s;
5
  int n;
8
  int ex(int 1,int r){
9
    int i=0;
10
    while (1-i)=0&r+i<0&T(1-i)=T(r+i) i++;
11
    return i;
12 }
13
14
  int main(){
15
    cin>>s;
```

```
16
     n=2*s.size()+1;
17
     int mx=0:
     int center=0;
18
     vector<int> r(n);
19
20
     int ans=1;
21
     r[0]=1;
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
23
       int ii=center-(i-center);
       int len=mx-i+1;
24
       if(i>mx){
25
26
         r[i]=ex(i,i);
          center=i;
27
28
          mx=i+r[i]-1;
29
30
       else if(r[ii]==len){
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
31
          center=i;
32
33
          mx=i+r[i]-1;
34
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
       ans=max(ans,r[i]);
36
37
     cout << ans -1 << "\n";
38
     return 0;
39
40 }
```

#### 3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
6 while(ss>>word) cout<<word<<endl;</pre>
```

### 4 STL

### 4.1 priority\_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序。
2
  讀取優先權最高的值:
4
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
     pq.pop();
  判斷是否為空的priority_queue:
                            //回傳 true
     pq.empty()
7
     pq.size()
                            //回傳0
8
9
  如需改變priority_queue的優先權定義:
                           //預設由大到小
10
     priority_queue <T> pq;
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
11
12
                            //改成由小到大
13
     priority_queue<T, vector<T>, cmp> pq; //cmp
```

### 4.2 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
     (Standard Template Library, STL)
2
     中的雙向佇列容器(Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N), 但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
9 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back() //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
             //取出 deque 最尾端的元素
12 dq.back()
13 dq.front()
             //回傳 deque 最開頭的元素
```

```
14 dq.insert()
15 dq.insert(position, n, val)
16
    position: 插入元素的 index 值
17
    n: 元素插入次數
    val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
              //清空整個 deque 佇列。
20 dq.clear()
              //檢查 deque 的尺寸
21 dq.size()
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
22 dq.empty()
               若是存在任何元素,則返回0
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
24 dq.begin()
              //指向 deque 結尾,
25 dq.end()
               不是最後一個元素,
26
               而是最後一個元素的下一個位置
27
```

#### 4.3 map

```
1 map:存放 key-value pairs 的映射資料結構,
       會按 key 由小到大排序。
  元素存取
3
  operator[]:存取指定的[i]元素的資料
6
7| begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
  end():回傳指向map末尾的迭代器
  rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
  rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
10
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
  取value:it->second 或 (*it).second
14
15
16|容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 | 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert():插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 swap(): 交換兩個map
26
27 查找
  count():回傳指定元素出現的次數
28
  find(): 查找一個元素
29
31
  //實作範例
32 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
33
  int main(){
34
      //declaration container and iterator
35
36
      map<string, string> mp;
37
      map<string, string>::iterator iter;
38
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
39
40
      //insert element
41
      mp.insert(pair<string, string>
             ("r000", "student_zero"));
42
43
      mp["r123"] = "student_first";
      mp["r456"] = "student_second";
44
45
46
      //traversal
47
      for(iter=mp.begin();iter!=mp.end();iter++)
48
         cout << iter -> first << " '
49
                    <<iter->second<<endl;
50
      for(iter_r=mp.rbegin();iter_r!=mp.rend();iter_r++)
         cout << iter_r -> first << "
51
             "<<iter_r->second<<endl;
```

```
52
       //find and erase the element
53
       iter=mp.find("r123");
54
       mp.erase(iter);
55
       iter=mp.find("r123");
56
       if(iter!=mp.end())
57
          cout << "Find, the value is "</pre>
58
59
                     <<iter->second<<endl;
       else cout<<"Do not Find"<<endl;</pre>
60
61
       return 0:
62 }
```

### 4.4 unordered\_map

```
1 | unordered_map: 存放 key-value pairs2 | 的「無序」映射資料結構。3 | 用法與map相同
```

#### 4.5 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
3
  取值: 使用iterator
4
     x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
5
      x = *st.rbegin():
6
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
7
8
9
  判斷是否為空的set:
10
      st.empty() 回傳true
      st.size() 回傳零
11
12
  常用來搭配的member function:
13
      st.count(x);
14
      auto it = st.find(x);
15
         // binary search, O(log(N))
16
      auto it = st.lower_bound(x);
17
18
         // binary search, O(log(N))
19
      auto it = st.upper_bound(x);
         // binary search, O(log(N))
20
```

### 4.6 multiset

```
      1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。

      2 資料由小到大排序。

      3 宣告:

      4 multiset<int> st;

      5 刪除資料:

      6 st.erase(val);

      7 //會刪除所有值為 val 的元素。

      8 st.erase(st.find(val));

      9 //只刪除第一個值為 val 的元素。
```

### 4.7 unordered\_set

```
1unordered_set的實作方式通常是用雜湊表(hash table),2資料插入和查詢的時間複雜度很低,為常數級別0(1),3相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,4無自動排序功能。5unordered_set判斷元素是否存在7unordered_setj8myunordered_set.insert(2);9myunordered_set.insert(4);10myunordered_set.insert(6);11cout<</td>"\n"; // 112cout<</td>myunordered_set.count(8)<</td>"\n"; // 0
```

### 4.8 單調隊列

```
1 // 單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
3
5
6
  給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
  #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 1000100
10
11
  using namespace std;
  int q[maxn], a[maxn];
12
13
  int n, k;
14
15
  void getmin() {
16
       // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
17
      int head=0,tail=0;
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
18
19
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
           q[++tail]=i;
20
21
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
22
           while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i]) tail--;
23
24
           q[++tail]=i;
25
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
26
           cout << a[q[head]] << " ";
      }
27
28
       cout << end1;
29
  }
30
  void getmax() { // 和上面同理
31
       int head=0,tail=0;
32
33
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
34
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
           q[++tail]=i;
36
37
      for(int i=k:i<=n:i++) {</pre>
           while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
38
39
           q[++tail]=i;
40
           while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
41
           cout << a [q[head]] << " ";
      }
42
      cout << end1;</pre>
43
44
  }
45
46
  int main(){
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
47
48
      for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
49
       getmin();
50
       getmax();
51
       return 0;
52 }
```

### 5 sort

### 5.1 大數排序

```
1 #python 大數排序
  while True:
3
    try:
     n = int(input())
                              # 有幾筆數字需要排序
6
     arr = []
                              # 建立空串列
     for i in range(n):
7
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
      arr.sort()
                              # 串列排序
9
      for i in arr:
10
                           # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
     break
```

### 6 math

70|歌德巴赫猜想

## 6.1 質數與因數

```
1 埃氏篩法
2 int n;
3 vector<int> isprime(n+1,1);
4 isprime[0]=isprime[1]=0;
5 for(int i=2;i*i<=n;i++){
6
       if(isprime[i])
7
           for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
8 }
9
10|歐拉篩0(n)
11 #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
12 bool isPrime[MAXN];
13 int prime[MAXN];
14 int primeSize=0;
15 void getPrimes(){
       memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
16
       isPrime[0]=isPrime[1]=false;
17
       for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
18
           if(isPrime[i]) prime[primeSize++]=i;
19
20
           for(int
                j=0;j<primeSize&&i*prime[j]<=MAXN;++j){</pre>
21
                isPrime[i*prime[j]]=false;
                if(i%prime[j]==0) break;
22
23
           }
24
       }
25
  }
26
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
27
  int GCD(int a,int b){
28
       if(b==0) return a;
29
30
       return GCD(b,a%b);
31 }
32
  質因數分解
33
  void primeFactorization(int n){
34
       for(int i=0;i<(int)p.size();++i){</pre>
35
           if(p[i]*p[i]>n) break;
36
37
           if(n%p[i]) continue;
           cout << p[i] << ' ';
38
           while(n%p[i]==0) n/=p[i];
39
40
       if(n!=1) cout << n << ' ';
41
       cout << '\n';
42
43 }
44
45 擴展歐幾里得算法
46 //ax+by=GCD(a,b)
47 #include <bits/stdc++.h>
48 using namespace std;
49
50
  int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y){
51
       if(b==0){
52
           x=1, y=0;
53
           return a;
       }
54
55
       int d=ext_euc(b,a%b,y,x);
       y-=a/b*x;
56
57
       return d;
58 }
59
  int main(){
60
61
       int a,b,x,y;
62
       cin>>a>>b;
63
       ext_euc(a,b,x,y);
       cout << x << ' '<< y << end1;
64
65
       return 0;
66 }
67
68
69
```

```
71 solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
72 #include <iostream>
73 using namespace std;
74 #define N 20000000
75
   int ox[N],p[N],pr;
76
   void PrimeTable(){
77
       ox[0]=ox[1]=1;
78
       pr=0;
       for(int i=2;i<N;i++){</pre>
79
80
           if(!ox[i]) p[pr++]=i;
81
           for(int j=0;i*p[j]<N&&j<pr;j++)</pre>
82
               ox[i*p[j]]=1;
83
       }
   }
84
85
   int main(){
86
87
       PrimeTable();
88
       int n;
89
       while(cin>>n,n){
90
           for(x=1;;x+=2)
91
92
               if(!ox[x]&&!ox[n-x]) break;
93
           printf("%d = %d + %d\n",n,x,n-x);
94
       }
95
   }
96
   problem : 給定整數 N,
97
           求 N 最少可以拆成多少個質數的和。
   如果 N 是質數,則答案為 1。
98
   如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
   如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
101
   #include < bits / stdc ++ . h>
102
   using namespace std;
104
105
   bool isPrime(int n){
106
       for(int i=2;i<n;++i){</pre>
107
           if(i*i>n) return true;
108
           if(n%i==0) return false;
109
110
       return true;
111 }
112
113
   int main(){
114
       int n:
       cin>>n;
115
       if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
116
117
       else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout << "2\n";</pre>
       else cout << "3\n";</pre>
118
119 }
```

### 6.2 prime factorization

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
4
  int main() {
     int n:
5
     while(true) {
       cin>>n;
7
8
       for(int x=2; x<=n; x++) {</pre>
9
          while(n%x==0) {
10
            cout << x << " * ";
11
            n/=x;
12
          }
13
14
       cout << "\b \n";
15
16
     system("pause");
17
     return 0;
18
```

### 6.3 快速冪

```
1 計算a^b
2 #include < iostream >
3 #define 11 long long
4 using namespace std;
6 const 11 MOD=1000000007;
  ll fp(ll a, ll b) {
7
8
       int ans=1;
9
       while(b>0){
           if(b&1) ans=ans*a%MOD;
10
11
           a=a*a%MOD;
           b>>=1;
12
13
14
       return ans;
15 }
16
17 int main() {
18
    int a,b;
     cin>>a>>b;
19
20
     cout << fp(a,b);</pre>
21 }
```

## 6.4 歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中的正整數與 n 互質的個數
2
3
  int phi(){
      int ans=n;
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
5
          if(n%i==0){
7
              ans=ans-ans/i;
              while(n%i==0) n/=i;
8
9
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
10
11
      return ans;
12 }
```

## 7 algorithm

### 7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
7 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x 的元素位置,
            如果不存在,則回傳 last 。
11
12 lower_bound(first, last, val)
13 upper_bound:尋找第一個大於 x 的元素位置,
14
            如果不存在,則回傳 last 。
15 upper_bound(first, last, val)
16 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
17
18 next_permutation(first, last)
19 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                 如果存在回傳 true,反之回傳 false。
20
21 prev_permutation(first, last)
```

### 7.2 binary search

```
int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
  int left=0, right=nums.size()-1;
  while(left<=right){
    int mid=(left+right)/2;
}</pre>
```

```
5
          if (nums[mid]>target) right=mid-1;
          else if(nums[mid]<target) left=mid+1;</pre>
6
7
          else return mid+1;
      }
8
9
      return 0;
10 }
11
12 lower_bound(a, a + n, k);
                                //最左邊 ≥ k 的位置
13 upper_bound(a, a + n, k);
                                //最左邊 > k 的位置
| 14 | upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
| 15 | lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
16 (lower_bound, upper_bound)
                                //等於 k 的範圍
17 equal_range(a, a+n, k);
```

### 7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
  陣列前n項的和。
  b[i]=a[0]+a[1]+a[2]+ ··· +a[i]
  區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
  #include < bits / stdc++.h>
  using namespace std;
  int main(){
      int n;
10
      cin>>n;
11
       int a[n],b[n];
12
       for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];
13
      b[0]=a[0];
       for(int i=1;i<n;i++) b[i]=b[i-1]+a[i];</pre>
14
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';</pre>
15
16
       cout << '\n':
17
       int 1,r;
18
       cin>>l>>r;
       cout << b[r]-b[1-1]; //區間和
19
20 }
```

## 7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
  給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
  在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
  最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
  這樣一來,b[]是一個在某區間加上v的前綴和。
10
11
12 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
13
  int a[1000], b[1000];
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
15
  int main(){
16
17
      int n, 1, r, v;
18
      cin >> n;
19
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
20
          cin >> a[i];
21
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
22
      cin >> 1 >> r >> v;
23
      b[1] += v;
24
25
      b[r+1] -= v;
26
27
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
28
          b[i] += b[i-1];
          cout << b[i] << ' ';
29
30
31 }
```

### 7.5 greedy

```
1 // 貪心
2| 貪心演算法的核心為,
3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
  確認無誤再實作。
7
8
9
10 霍夫曼樹的變形題
11 //problem
12 給定 N 個數,每次將兩個數 a,b 合併成 a+b,
14 問最小合併成本為多少。
15
16 //solution
17 每次將最小的兩數合併起來。
18
19 //code
20 #include <bits/stdc++.h>
21 using namespace std;
22 int main()
23
24
      int n, x;
25
      while (cin >> n, n){
26
         priority_queue < int , vector < int > , greater < int >>
27
         while (n--){
             cin >> x;
28
             q.push(x);
29
         }
30
         long long ans = 0;
31
32
         while (q.size() > 1){
             x = q.top();
33
             q.pop();
34
35
             x += q.top();
             q.pop();
36
37
             q.push(x);
             ans += x;
38
39
         }
         cout << ans << endl:
40
41
42 }
43
44 刪數字問題
45 //problem
46 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
47 請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
48
49
  //solution
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
50
51
  | 扣 除 高 位 數 的 影 響 較 扣 除 低 位 數 的 大。
52
53 //code
54 int main()
55 {
56
      string s;
57
      int k;
58
      cin >> s >> k:
59
      for (int i = 0; i < k; ++i){
         if ((int)s.size() == 0) break;
60
61
         int pos = (int)s.size() - 1;
         for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){}
62
63
             if (s[j] > s[j + 1]){
64
                pos = j;
65
                break;
             }
66
         }
67
         s.erase(pos, 1);
68
69
70
      while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
71
         s.erase(0, 1);
72
      if ((int)s.size()) cout << s << '\n';</pre>
```

```
else cout << 0 << '\n';
73
74 }
75
76
  區間覆蓋長度
77
78
   //problem
   給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
79
   請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度?
81
82
   //solution
左界相同依照右界由小到大排序,
   用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。
   如果目前區間左界 ≤R,代表該區間可以和前面的線段合併。
86
87
88
   //code
89
   struct Line
   {
90
91
      int L, R;
92
      bool operator < (const Line &rhs) const
93
          if (L != rhs.L) return L < rhs.L;</pre>
94
          return R < rhs.R;</pre>
95
96
97
  };
98
99
   int main(){
100
      int n;
      Line a[10005];
101
102
      while (cin >> n){
103
          for (int i = 0; i < n; i++)
104
             cin >> a[i].L >> a[i].R;
          sort(a, a + n);
105
106
          int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
          for (int i = 1; i < n; i++){</pre>
107
108
              if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);</pre>
109
              else{
                 ans += R - L;
110
                 L = a[i].L;
111
                 R = a[i].R;
112
113
          }
114
115
          cout << ans + (R - L) <math><< ' \setminus n';
116
      }
117 }
118
119
120 最小區間覆蓋長度
121 //problem
122 | 給定 n 條線段區間為 [Li, Ri],
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
124
125
   //solution
   先將 所有 區間 依照 左界由 小到大排序,
126
127
   對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
   找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
128
129
   //problem
130
131 長度 n 的直線中有數個加熱器,
132 在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
133
134
135
   //solution
136 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
137
138
139
   //code
   int main(){
140
141
      int n, r;
      int a[1005];
142
143
      cin >> n >> r:
144
      for (int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
      int i = 1, ans = 0;
145
146
      while (i <= n){</pre>
```

int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)

```
148
           int nextR=-1;
                                                         224 struct Line
           for (int j = R; j >= L; --j){}
                                                         225
                                                            {
149
              if (a[j]){
150
                                                         226
151
                  nextR = j;
                                                         227
                                                                bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
152
                  break;
                                                         228
                                                                    return R < rhs.R;</pre>
153
              }
                                                         229
                                                                    }
          }
                                                         230 };
154
155
           if (nextR == -1){
                                                         231
              ans = -1;
                                                            int main(){
156
                                                         232
157
              break;
                                                         233
                                                                int t;
158
          }
                                                         234
                                                                cin >> t;
                                                                Line a[30];
159
          ++ans;
                                                         235
          i = nextR + r;
                                                                while (t--){
160
                                                         236
                                                                    int n = 0:
161
                                                         237
162
       cout << ans << '\n';
                                                         238
                                                                    while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
                                                                       ++n;
163 }
                                                         239
                                                                    sort(a, a + n);
164
                                                         240
165
                                                         241
                                                                    int ans = 1, R = a[0].R;
                                                                    for (int i = 1; i < n; i++){
166 最多不重疊區間
                                                         242
                                                         243
                                                                        if (a[i].L >= R){
167
  //problem
168 給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                         244
                                                                           ++ans:
                                                         245
                                                                            R = a[i].R;
   請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
169
                                                                       }
                                                         246
170
                                                                    }
                                                         247
   //solution
171
                                                                    cout << ans << '\n';
                                                         248
172 依照右界由小到大排序,
                                                         249
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
173
                                                         250
                                                            }
174
                                                         251
175 //code
                                                         252
176 struct Line
                                                            最小化最大延遲問題
                                                         253
177
                                                         254
                                                            //problem
       int L, R;
178
                                                            給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         255
179
       bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
                                                            期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0, Fi-Di),
180
           return R < rhs.R;</pre>
                                                            原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
                                                         257
181
                                                            求一種工作排序使 maxLi 最小。
182
  };
                                                         258
183
                                                         259
   int main(){
                                                            //solution
184
                                                         260
                                                            按照到期時間從早到晚處理。
185
      int t;
                                                         261
186
       cin >> t;
                                                         262
187
       Line a[30];
       while (t--){
188
                                                         264
                                                            struct Work
189
           int n = 0;
                                                         265
           while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
190
                                                         266
                                                                int t, d;
191
                                                         267
                                                                bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
192
           sort(a, a + n);
                                                         268
                                                                    return d < rhs.d;</pre>
           int ans = 1, R = a[0].R;
193
                                                         269
194
           for (int i = 1; i < n; i++){
                                                         270
                                                            };
              if (a[i].L >= R){
195
                                                         271
196
                  ++ans;
                                                            int main(){
                                                         272
                  R = a[i].R;
197
                                                         273
                                                                int n;
198
                                                                Work a[10000];
                                                         274
199
          }
                                                         275
                                                                cin >> n;
200
          cout << ans << ' \setminus n':
                                                                for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                         276
201
                                                                    cin >> a[i].t >> a[i].d;
                                                         277
202
                                                         278
                                                                sort(a, a + n);
203
                                                                int maxL = 0, sumT = 0;
                                                         279
204
                                                                for (int i = 0; i < n; ++i){</pre>
                                                         280
205 區間選點問題
                                                         281
                                                                    sumT += a[i].t;
206 //problem
                                                         282
                                                                    maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
   給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                         283
207
                                                                cout << maxL << '\n';
                                                         284
   請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點?
208
                                                         285
209
                                                         286
   //solution
210
                                                         287
211 | 將區間依照右界由小到大排序,R=第一個區間的右界,
                                                            最少延遲數量問題
                                                         288
212 遍歷所有區段,如果當前區間左界>R,
                                                         289
                                                            //problem
213 | 代表必須多選一個點 (ans+=1),並將 R=當前區間右界。
                                                         290 | 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
214
                                                            期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                         291
215
   //problem
                                                         292
216 給定 N 個座標,要在 x 軸找到最小的點,
                                                            //solution
                                                         293
217 | 讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
                                                         294 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序,
218
                                                         295 依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
219
   //solution
                                                            就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
220 以每個點 (xi,yi) 為圓心半徑為 D 的圓 C,
                                                         296
                                                         297
   求出 C 和 x 軸的交點 Li, Ri, 題目轉變成區間選點問題。
221
                                                            上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                         298
222
```

223 //code

```
300 //problem
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
301
302
   和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
303
304
305 工作處裡時長→烏龜重量
  工作期限 → 烏龜可承受重量
   多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
308
309
310
  struct Work{
      int t, d;
311
312
      bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
313
          return d < rhs.d;</pre>
314
315 };
316
317
  int main(){
      int n = 0;
318
      Work a[10000];
319
      priority_queue < int > pq;
320
      while(cin >> a[n].t >> a[n].d)
321
322
          ++n;
      sort(a, a + n);
323
      int sumT = 0, ans = n;
324
      for (int i = 0; i < n; ++i){
325
          pq.push(a[i].t);
326
327
          sumT += a[i].t;
328
          if(a[i].d<sumT){</pre>
329
              int x = pq.top();
330
              pq.pop();
              sumT -= x;
331
332
              --ans;
333
          }
334
      }
      cout << ans << ' \setminus n';
335
336 }
337
338 任務調度問題
339 //problem
340 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
   請問最少會受到多少單位懲罰。
343
344
  //solution
345 依照懲罰由大到小排序,
346 每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
347
  如果有空閒就放進去,否則延後執行。
348
349
   //problem
  給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
350
   期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
351
       單位獎勵,
   請問最多會獲得多少單位獎勵。
352
353
   //solution
354
355 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
356
357 //code
358 struct Work
359
360
      int d, p;
      bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
361
362
          return p > rhs.p;
363
364 };
365
   int main(){
366
367
      int n;
368
      Work a[100005];
369
      bitset < 100005 > ok;
      while (cin >> n){
370
          ok.reset();
371
372
          for (int i = 0; i < n; ++i)
373
              cin >> a[i].d >> a[i].p;
```

```
374
           sort(a, a + n);
           int ans = 0;
375
376
           for (int i = 0; i < n; ++i){
               int j = a[i].d;
377
378
               while (j--)
379
                   if (!ok[j]){
                       ans += a[i].p;
380
381
                        ok[j] = true;
382
                        break;
                    }
383
384
           }
           cout << ans << ' \ n';
385
       }
386
   }
387
388
   多機調度問題
389
390
   //problem
391 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
   有 M 台機器可執行多項工作,但不能將工作拆分,
392
   最快可以在什麼時候完成所有工作?
393
394
395
   //solution
396 | 將工作由大到小排序,每項工作交給最快空閒的機器。
397
398
   //code
   int main(){
399
400
       int n, m;
401
       int a[10000];
402
       cin >> n >> m;
       for (int i = 0; i < n; ++i)
403
           cin >> a[i];
404
       sort(a, a + n, greater < int >());
405
406
       int ans = 0:
407
       priority_queue<int, vector<int>, greater<int>>pq;
408
       for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){
           ans = max(ans, a[i]);
409
           pq.push(a[i]);
410
411
       for (int i = m; i < n; ++i){
412
413
           int x = pq.top();
           pq.pop();
414
415
           x += a[i];
           ans = max(ans, x);
416
417
           pq.push(x);
418
       cout << ans << '\n';
419
420 3
```

### 7.6 floyd warshall

```
1 int w[n][n];
  int d[n][n];
  int medium[n][n];
3
  // 由 i 點 到 i 點 的 路 徑 , 其 中 繼 點 為 med i um [ i ] [ i ] 。
4
5
  void floyd_warshall(){
6
7
     for (int i=0;i<n;i++)</pre>
8
       for (int j=0; j<n; j++){</pre>
9
         d[i][j] = w[i][j];
10
         medium[i][j]=-1;
         // 預設為沒有中繼點
11
       }
12
     for(int i=0;i<n;i++) d[i][i]=0;</pre>
13
14
     for(int k=0; k<n; k++)</pre>
15
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
16
         for(int j=0; j<n; j++)</pre>
           if(d[i][k]+d[k][j]<d[i][j]){</pre>
17
18
              d[i][j]=d[i][k]+d[k][j];
              medium[i][j]=k;
19
              // 由 i 點走到 j 點經過了 k 點
20
21
22 }
23
24 // 這支函式並不會印出起點和終點,必須另行印出。
```

```
25 void find_path(int s, int t){  // 印出最短路徑
                                                             67 int main(){
                                                                    int from, to, edgeNum;
    if (medium[s][t] == -1) return; // 沒有中繼點就結束
                                                             68
26
                                                                    int NetWorkNum = 1;
    find_path(s, medium[s][t]); // 前半段最短路徑
                                                             69
27
                                                                    int maxFlow;
                                                             70
                              // 中繼點
28
    cout << medium[s][t];</pre>
                                                                    while(scanf("%d",&nodeNum)!=EOF&&nodeNum!=0){
                                                             71
29
     find_path(medium[s][t], t); // 後半段最短路徑
                                                             72
                                                                        memset(graph, 0, sizeof(graph));
30 }
                                                                        scanf("%d %d %d", &from, &to, &edgeNum);
                                                             73
                                                             74
                                                                        int u, v, w;
                                                             75
                                                                        for (int i = 0; i < edgeNum; ++i){</pre>
  7.7 dinic
                                                                            scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
                                                             76
                                                             77
                                                                            graph[u][v] += w;
                                                             78
                                                                            graph[v][u] += w;
1 #include <stdio.h>
                                                             79
                                                                        }
2 #include <string.h>
                                                                        maxFlow = dinic(from, to);
                                                             80
3 #include <queue>
                                                             81
                                                                        printf("Network %d\n", NetWorkNum++);
4 #define MAXNODE 105
                                                                        printf("The bandwidth is %d.\n\n", maxFlow);
                                                             82
5 #define oo 1e9
                                                             83
                                                                    }
6 using namespace std;
                                                             84
                                                                    return 0;
                                                             85 }
8 int nodeNum;
  int graph[MAXNODE][MAXNODE];
10 int levelGraph[MAXNODE];
                                                               7.8 SegmentTree
11 bool canReachSink[MAXNODE];
12
  bool bfs(int from, int to){
13
                                                               struct node{
      memset(levelGraph,0,sizeof(levelGraph));
14
                                                              2
                                                                    int val;
15
      levelGraph[from]=1;
                                                                    node *1,*r;
                                                              3
      queue < int > q;
16
                                                              4
                                                                    node(int v=0):val(v){};
17
      q.push(from);
                                                                    node(node* 1,node* r):1(1),r(r){pull();}
                                                              5
18
      int currentNode:
                                                                    void pull(){val=min(l->val,r->val);}
                                                              6
19
       while(!q.empty()){
                                                              7
                                                                    //1->val就是(*1).val,注意.的優先順序比*還高
20
          currentNode=q.front();
                                                               };
                                                              8
21
           q.pop();
22
           for(int nextNode=1; nextNode<=nodeNum</pre>
                                                             10 int v[N]; //原數列
                                    ;++nextNode){
23
                                                             11
                                                               node* build(int 1,int r){
               if((levelGraph[nextNode]==0)&&
24
                                                                    if(l+1==r) return new node(v[1]);
                                                             12
                   graph[currentNode][nextNode]>0){
25
                                                                    int mid=(1+r)/2;
                                                             13
26
                   levelGraph[nextNode]=
                                                             14
                                                                    return new node(build(1,mid),build(mid,r));
27
                       levelGraph[currentNode]+1;
                                                             15
                                                               }
                   q.push(nextNode);
28
                                                             16
29
                                                               void modify(node* a, int 1, int r, int pos, int k){
                                                             17
               if((nextNode==to)&&
30
                                                             18
                                                                    //把 pos位置的值换成k
                   (graph[currentNode][nextNode]>0))
31
                                                             19
                                                                    if(l+1==r){a->val=k; return;};
32
                   return true;
                                                                    int mid=(1+r)/2;
                                                             20
33
          }
                                                                    if(pos<mid) modify(a->1,1,mid,pos,k);
                                                             21
34
                                                             22
                                                                    else modify(a->r,mid,r,pos,k);
35
      return false;
                                                             23
                                                                    a->pull();
36 }
                                                               }
                                                             24
  int dfs(int from, int to, int bottleNeck){
37
                                                             25
      if(from == to) return bottleNeck;
38
                                                               int query(node* a, int 1, int r, int q1, int qr){
                                                             26
39
      int outFlow = 0;
      int flow;
                                                                    //查詢[q1,qr)範圍的最小值
40
                                                             27
                                                                    if(r<=ql||qr<=l) return inf;</pre>
       for(int nextNode=1; nextNode <= nodeNum; ++ nextNode){</pre>
                                                             28
41
           if((graph[from][nextNode]>0)&&
                                                             29
                                                                    if(ql<=l&&r<=qr) return a->val;
42
43
               (levelGraph[from] == levelGraph[nextNode] -1) && 30
                                                                    int mid=(1+r)/2;
                                                                    return min(query(a->1,1,mid,ql,qr),
               canReachSink[nextNode]){
                                                             31
44
                                                                                 query(a->r,mid,r,ql,qr));
45
               flow=dfs(nextNode, to,
                   min(graph[from][nextNode],bottleNeck)); 33|}
46
47
               graph[from][nextNode]-=flow; //貪心
48
               graph[nextNode][from]+=flow; //反悔路
               outFlow+=flow;
49
                                                               7.9
                                                                      Nim Game
50
               bottleNeck -= flow;
          }
51
                                                              1 | //兩人輪流取銅板,每人每次需在某堆取一枚以上的銅板,
52
           if(bottleNeck==0) break;
                                                              2 //但不能同時在兩堆取銅板,直到最後,
53
54
      if(outFlow==0) canReachSink[from]=false;
                                                               //將銅板拿光的人贏得此遊戲。
55
      return outFlow;
                                                               #include <bits/stdc++.h>
56 }
57
                                                               #define maxn 23+5
58 int dinic(int from, int to){
                                                               using namespace std;
59
      int maxFlow=0;
60
       while(bfs(from, to)){
                                                               int SG[maxn];
          memset(canReachSink,1,sizeof(canReachSink));
                                                               int visited[1000+5]:
61
                                                             10
           maxFlow += dfs(from, to, oo);
                                                               int pile[maxn], ans;
62
63
                                                             12
```

14

15

void calculateSG(){

for(int i=1;i<=maxn;i++){</pre>

SG[0]=0:

64

66

65 }

return maxFlow;

19

20

```
16
            int cur=0;
17
            for(int j=0; j<i; j++)</pre>
18
                 for(int k=0;k<=j;k++)</pre>
                     visited[SG[j]^SG[k]]=i;
19
            while(visited[cur]==i) cur++;
20
            SG[i]=cur;
21
22
23 }
24
25
   int main(){
26
        calculateSG();
27
        int Case=0,n;
28
        while(cin>>n,n){
          ans=0;
29
30
          for(int i=1;i<=n;i++) cin>>pile[i];
          for(int i=1;i<=n;i++) if(pile[i]&1)</pre>
31
               ans^=SG[n-i];
          cout << "Game "<<++Case << ": ";</pre>
32
          if(!ans) cout << "-1 -1 -1\n";
33
34
          else{
            bool flag=0;
35
36
            for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
               if(pile[i]){
37
                 for(int j=i+1; j<=n; j++){</pre>
38
39
                    for(int k=j;k<=n;k++){</pre>
                      if((SG[n-i]^SG[n-j]^SG[n-k])==ans){
40
                        cout <<i -1 << " "<< j -1 << " " << k -1 << endl;
41
42
                        flag=1;
43
                        break;
44
                      }
45
46
                    if(flag) break;
47
48
                 if(flag) break;
               }
49
50
            }
51
         }
52
53
        return 0;
54 }
55
56 /*
57
   input
58
   4 1 0 1 100
59 3 1 0 5
60 2 2 1
61 0
62 output
63 Game 1: 0 2 3
64 Game 2: 0 1 1
65 Game 3: -1 -1 -1
66 */
```

- 4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字, 越早出現的數字要越小
- 5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面, 直接忽略這個數字不做轉換即可

### 9 Section2

### 9.1 thm

- · 中文測試
- $\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

# 8 動態規劃

### 8.1 LCS 和 LIS

```
1 //最長共同子序列(LCS)
2 | 給定兩序列 A,B , 求最長的序列 C ,
  C 同時為 A,B 的子序列。
3
5 //最長遞增子序列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
7
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
15
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
16
    3. 對 B 做 LIS
```