Contents

| 1 | Ubun | tu | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|-------------------------|---|---------------------------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| • | | | 參數 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 1.2 | CDD | 指令 | • | • | • | • | • | • | | | | | • | • | • | • | • | |
| | 1.2 | GUD | 担マ | • | • | • | • | • | • | • | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | • | |
| _ | 字串 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | 迴文子 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 2.2 | KMP | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 2.3 | Z Al | gori | th | n | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | cher | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | riario | Ciici | | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | • | |
| 3 | math | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 3.1 | 公式 | | • | • | • | • | • | ٠ | • | • | • | • | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | • | |
| | 3.2 | Rati | onal | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 3.3 | 質數 | 與因數 | ţ. | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 3.4 | Pisa | no P | er: | io | b | | | | | | | | | | | | | |
| | 3.5 | 矩陣: | 快速幂 | 5 | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 3.6 | | 函數 | | | | | | | | | | | | • | Ċ | • | • | |
| | 3.7 | | 逆元、 逆元、 | | | | | | | | | ٠ | | | ٠ | | | • | |
| | | | | | | | | | • | • | • | • | • | ٠ | ٠ | ٠ | | • | |
| | 3.8 | | 小步 | | | | | ٠ | | | ٠ | | • | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | • | |
| | 3.9 | 高斯 | 消去 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 4 | algo | rith | m | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 4.1 | gree | edy | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 4.2 | | 搜. | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 4.3 | dini | c . | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | phus | | | | | | | | | | | • | • | • | • | • | |
| | | | | | | | | | | | | | | • | • | • | ٠ | • | |
| | | | Kosa | | | | | | | | | | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | • | |
| | 4.6 | | Tarj | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | cula | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 4.8 | 最小 | 樹狀圖 | 9 | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 4.9 | KM | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | 圖最大 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 4.11 | | | | | | | | | : | | | | | | • | • | • | |
| | 4.12 | | | | | | | | | | | | | | | ٠ | | • | 1 |
| | | | | • | _ | | | | | | | | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | 1 |
| | | | ing | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | | | ır. | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | 4.15 | 差分 | | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | 4.15 4.16 | MCMF | | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | | | 倍增剂 | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | 4.18 | LCA | 掛原3 | 巫 | DM/ | 'n | • | | : | : | | | | | | Ċ | Ċ | | 1 |
| | | | 樹錬語 | | | | | | | | | | | | | | | • | 1 |
| | 4.19 | LCA | 彻默 | シリフ | ľ | • | • | • | • | | • | ٠ | • | ٠ | ٠ | ٠ | ٠ | • | ' |
| _ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 5 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | | | cture | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | 5.1 | | cture | | | | | | | | | | | | | | | • | |
| | 5.1 | BIT | | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | | BIT 帶權· | · · 併查算 | | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 |
| | 5.2 5.3 | BIT 帶權 線段 | 併查集 樹 1D | | | | | | | | | | | | | | | | 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 | BIT 帶權 線段 線段 | 併查集 樹 1D 樹 2D | | | | | | | | | : | | | | | | | 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 | BIT 帶權線段線值 | 併查集 樹 1D 樹 2D 線段植 | · () () | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 | BIT 帶線段 線段 權值 Chth | 併查集 樹 1D 樹 2D 線段植 nolly | . ᆗ) 対 | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 | BIT 帶線線權 Chth調 | 併查集 樹 2D 線段樹 nolly 隊列 | . ᆗ) 対 | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 | BIT 帶線線 線 M Chth Trie | 併查集 樹 1D 樹 2D 線段植 nolly 隊列 | ·) 讨 Tre | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 | BIT 帶線線 線 M Chth Trie | 併查集 樹 2D 線段樹 nolly 隊列 | · i i Tre | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 | BIT 帶線線 線 M Chth Trie | 併查集 樹 1D 樹 2D 線段植 nolly 隊列 | · i i Tre | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 | BIT 帶線段 線值: Chth Trie AC T | 併查集 樹 1D 樹 2D 線段植 nolly 隊列 | · i i Tre | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 | BIT 帶線線權 Chth Trie AC T | · · · 併樹 1D 樹 2D 樹 段段 Molly Molly Frie | · ()) Tro | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 | BIT 帶線線權 Chth Trie AC T etry式 | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | · ()) Tro | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 | BIT 權段段值 Chth調 AC Temp | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | · ()) Tro | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 | BIT 權線線權 C B T C E C E C E C C E C C E C C C C C C C | · 拼替 1D 樹 2D 樹 段 樹 1D I 2D 樹 線 1D I 2D I 3D I 3D I 3D I 3D I 3D I 3D I 3D I 3 | · From Tro | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 | BIT 權段線權 C單 Triet C T PO Share | · 併樹 1D · 查 1D · 查 1D · 数 的 1D · 数 0 · 0 · 0 · 0 · 0 · 0 · 0 · 0 · | () () () () () () () () () () () () () | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 | BIT權段段值tt調ical Truetry式 mply點包 | · 併樹樹線 Olly Crie · Late · San Barrie · Late · Lat | . () () () () () () () () () (| | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 | BIT權段段值tt調ic etry式mpob點包小 | ·併樹樹線nolly · rie · algo · alg | · 틪)) 対 Tro · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 | BIT權段段值tt調ic etry式mpob點包小 | · 併樹樹線 Olly Crie · Late · San Barrie · Late · Lat | · 틪)) 対 Tro · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 | BIT權段段值tt調ic etry式mpob點包小 | ・併樹樹線の隊。「ri lgo、 圓面 ・ go、 圓面 ・ go、 圓面 ・ go、 圓面 ・ 電相 | · 틪)) 対 Tro · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 | BIT權段段值Ch即 Trac etry式 mply點包小平 | ・併樹樹線の隊。「ri lgo、 圓面 ・ go、 圓面 ・ go、 圓面 ・ go、 圓面 ・ 電相 | i i i i i i i i i i i i i i i i i i i | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| 6 | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 | BIT權段段值Ch即 Trac etry式 mply點包小平 | ・併樹樹線の隊。「ri lgo、 圓面 ・ go、 圓面 ・ go、 圓面 ・ go、 圓面 ・ 電相 | i i i i i i i i i i i i i i i i i i i | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.6 6.6 6.7 6.8 | BIT 權段段值th調 TAC TEND 工作的 ETT TAC TEND TAC TEND TEND TEND TEND TEND TEND TEND TEND | ・併樹樹線の隊(「ri lig、 圓面卡) ・ | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 DP | BIT權段段值計調ical etry式mpobly型的工程。 etry式mpobly型的工程。 與於於於 如於於於 如於於於 如於於於 如於於於 如於於於 如於於於 如於於於 如於於於 如於於 如於於 如於 如 | ・併樹樹線の隊・「r lig、 圓面卡 値、 | 、 ●))対 T ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 DP 7.1 | BIT權段段值計調ical Trace try式mply點包小平轉 價Sarce | ・併樹樹線の隊:「ri ligg、 圓面卡 値のは、 | Line in the second of the sec | · · · · ee · · · · · · · · · · · 背 · | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 DP 7.1 7.2 | BIT權段段值計調icelung Tracelung Tracelun | ・併樹樹線の隊。「ri ligs、 圓面卡 值coder 類似的場合。」 はい これの でいました それ こくしゅう こく こく こく こく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょ | 、鼻))対T・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 DP 7.1 7.2 | BIT權段段值tt調ical et公工EPO交凸最半旋 以Baraname | ・併樹樹線的隊・「「「」」との「養」」とは、「夏面卡」「直の屋」である。 それ こうしん こうしん こうしん こうしん こうしん こうしん しょうしん しょうしん はいい しょうしん はいい しょうしん はいい しょうしん はいい しょうしん はいいん しょうしん しょうしん はいしょう しょうしん はいしょう しょうしん はいいい しょうしん はいいい はいいい はいいい はいいい はいいい はいいい はいいい はい | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 DP 7.1 7.2 | BIT權段段值tt調ical et公工EPO交凸最半旋 以Baraname | ・併樹樹線の隊。「ri ligs、 圓面卡 值coder 類似的場合。」 はい これの でいました それ こくしゅう こく こく こく こく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょく しょ | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | ee | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 6.8 DP 7.1 7.2 | BIT權段段值計劃 try式 mp. 以Ban 履 以Ban 履 以Ban 履 以Ban 履 以Ban 履 即 | ・併樹樹線的隊・「「「」」との「養」」とは、「夏面卡」「直の屋」である。 それ こうしん こうしん こうしん こうしん こうしん こうしん しょうしん しょうしん はいい しょうしん はいい しょうしん はいい しょうしん はいい しょうしん はいいん しょうしん しょうしん はいしょう しょうしん はいしょう しょうしん はいいい しょうしん はいいい はいいい はいいい はいいい はいいい はいいい はいいい はい | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | · · · · e · · · · · · · · · · · · · · 背 · · · | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 7.1 7.2 7.3 7.4 7.5 | BIT權段段值计調益 TAC et公Ten分凸最半旋 以BRA抽Deque USBRAMEQUES | ・併樹樹線の改造「r ligg、 圓面卡 値のでしまれて an 距・覆相尺 為dep・最上・第102階 y | · IIII))时Troiding and in the second of the | ····································· | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.6 6.6 6.7 6.8 DP 7.1 7.2 7.3 7.4 7.7 | BIT權段段值计調ical yatmin Managaran 以Baran Managaran 以Baran Managaran | ・併樹樹線の18~ 「 | · III) IN TOTAL TOTAL THE SEE TOTAL TOTAL THE SEE TOTAL | ····································· | | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 6.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.4 6.5 6.6 6.7 7.3 7.4 7.5 7.7 7.8 | BIT權段段值計調 在 | .併樹樹線の隊。「r ligo、 圓面卡 值のe e 和 n P . 查 1 2 D 樁 y . e . e a o m · 蓋 z . 善 a L D 列 f . a L D 列 f . a L D 列 f . a L D 列 f . a L D 列 f . a L D 列 f . a L D 列 f . a L D 列 f . a L D 列 f . a L D M f . a L D | 、则),时下 · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | ····································· | | | ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| | 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8 5.9 Geom 6.1 6.2 6.3 6.6 6.6 6.7 7.1 7.2 7.4 7.5 7.7 7.7 | BIT權段段值计調icl ry式mply點包小平轉 價 CRammed LCS riDe CRammed CS riDe | ・併樹樹線の18~ 「 | · le | ····································· | ···· 包··· 包···· 包···· t | | | | | | | | | | | | | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |

8 DP List

l Ubuntu

1.1 GDB 參數

1 g++ main.cpp -g -o main 2 gdb -tui -q ./main

- · [-tui] 在終端機顯示文字檔案
- · [-q] 在初始設定不顯示版本資訊

1.2 GDB 指令

<u>Breakpoints</u>

| command | 功能 |
|------------------------|------------------|
| [break] [b] | 在當前這行放中斷點 |
| [b fn] | 在函式 fn 的開頭放中斷點 |
| [b N] | 在第 N 行放中斷點 |
| [clear N] [cl N] | 刪除第 N 行的中斷點 |
| [command N] [comm N] | 設定編號 N 的中斷點的指令 |
| [cond N i==3] | 編號 N 的中斷點 i=3 再停 |
| [delete] [d] | 刪除所有中斷點 |
| [d N] | 刪除編號為 N 的中斷點 |
| [disable] [dis] | 使所有中斷點無效 |
| [dis N] | 使編號為 N 的中斷點無效 |
| [dp a, "%d\n", c] | 碰到第 a 行時印出 c |
| [enable] [en] | 使所有中斷點有效 |
| [en N] | 使編號為 N 的中斷點有效 |
| [tbreak N] [tb N] | 只停一次的 [b N] |
| [watch x==3] [wa x==3] | 執行到符合條件時停止 |

<u>Data</u>

| tu |
|------------------|
| 功能 |
| 呼叫函式 fn |
| 每執行一步都印出 x |
| 印出 var |
| 設定 print |
| array 印出漂亮格式 |
| 取消 array 印出漂亮格式 |
| array 印出索引 |
| 取消 array 印出索引 |
| array 最多印 N 個元素 |
| struct 印出漂亮格式 |
| 取消 struct 印出漂亮格式 |
| 將 N 設為 3 |
| 取消編號為 x 的 disp |
| |

<u>Files</u>

| | command | 功能 |
|---|------------|-----------------|
| ĺ | [list] [l] | 印出 10 行程式碼 |
| | [1 N] | 印出包含第 N 行的程式碼 |
| | [l fn] | 印出包含函式 fn 的程式碼 |
| | [l var] | 印出包含變數 var 的程式碼 |

<u>Obscure</u>

| command | 功能 |
|----------------|------|
| [record] [rec] | 開始記錄 |
| [rec s] | 停止記錄 |

Running

| command | 功能 |
|-------------------------|-------------------|
| [continue] [c] | 執行到下個中斷點或錯誤 |
| [finish] [fin] | 執行到跳出堆疊框 |
| [kill] [k] | 終止程式 |
| [next] [n] | 執行下一行 (不進入函式) |
| [n N] | 執行 [n] 一共 N 次 |
| [reverse-continue] [rc] | 反向的 [c] |
| [rn] | 反向的 [n] |
| [rs] | 反向的 [s] |
| [run] [r] | 執行程式 |
| [r < file1] | 像 [r], 但輸入為 file1 |
| [start] | 開始執行,停在第一步 |
| [step] [s] | 執行下一步 (進入函式) |
| [s N] | 執行 [s] 一共 N 次 |
| [until N] [u N] | 執行到第 N 行停下來 |

21

Stack

| command | 功能 |
|------------------|--------------|
| [backtrace] [bt] | 印出所有堆疊 |
| [down] [do] | 印出下一層堆疊 |
| [frame] [f] | 印出當前堆疊 |
| [f N] | 印出往上第 N 層堆疊 |
| [return] [ret] | 從當前函式 return |
| [up] | 印出上一層堆疊 |

<u>Status</u>

| command | 功能 |
|------------------|------------|
| [info] [i] | 顯示資訊 |
| [i b] | 列出所有中斷點資訊 |
| [i disp] | 列出所有監看變數資訊 |
| [i local] [i lo] | 列出所有區域變數資訊 |
| [i var] | 列出所有變數 |

Support

| | command | 功能 |
|---|---------------|----------------|
| ĺ | [help] [h] | 協助 |
| | [b N if i==2] | 當 i=2 時停在第 N 行 |
| | [quit] [q] | 結束 gdb |

Text User Interface

| command | 功能 |
|-----------------|--------------|
| [refresh] [ref] | 刷新終端機布置 |
| [tui d] | 取消使用 TUI |
| [tui e] | 使用 TUI |
| [update] [upd] | 更新視窗以顯示當前程式碼 |

<u>Others</u>

- · 按 <enter> 鍵可以執行上一動
- 執行 reverse (像是 rc, rn, rs)前, 要先執行 record (rec),但存不了幾步就沒空間了
- 輸入命令 command (comm)後,接下來每一行輸入一個 命令,以 end 作結,之後執行到這裡都會執行所有命令。 同一個中斷點有變動其 command 時會完全按照新的輸入。

2 字串

2.1 最長迴文子字串

```
1 #include < bits/stdc++.h>
   #define T(x) ((x)%2 ? s[(x)/2] : '.')
   using namespace std;
   string s;
 6
   int n;
   int ex(int 1,int r){
 8
     while(l-i>=0&&r+i<n&&T(l-i)==T(r+i)) i++;</pre>
10
11
12
13
   int main(){
15
     cin>>s;
     n=2*s.size()+1;
16
17
     int mx=0;
     int center=0;
18
19
     vector<int> r(n);
     int ans=1;
20
21
     r[0]=1;
     for(int i=1;i<n;i++){</pre>
22
       int ii=center-(i-center);
23
24
       int len=mx-i+1;
25
       if(i>mx){
         r[i]=ex(i,i);
26
27
         center=i;
28
        mx=i+r[i]-1;
29
       else if(r[ii]==len){
30
31
         r[i]=len+ex(i-len,i+len);
32
         center=i:
33
         mx=i+r[i]-1;
34
       }
35
       else r[i]=min(r[ii],len);
36
       ans=max(ans,r[i]);
37
38
     cout<<ans-1<<"\n";
39
     return 0;
40 }
```

2.2 KMP

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
   int n, m;
                        // len(a), len(b)
 3
   int f[maxn];
                         // failure function
   char a[maxn], b[maxn];
   void failureFuntion() { // f[0] = 0
      for(int i=1, j=0; i<m; ) {</pre>
          if(b[i] == b[j]) f[i++] = ++j;
10
          else if(j) j = f[j-1];
          else f[i++] = 0;
11
12
      }
13
   int kmp() {
15
16
      int i = 0, j = 0, res = 0;
17
       while(i < n) {</pre>
          if(a[i] == b[j]) i++, j++;
18
19
          else if(j) j = f[j-1];
          else i++:
20
21
          if(j == m) {
             res++; // 找到答案
22
              j = 0; // non-overlapping
23
24
25
      }
26
      return res;
27
28
29
   // Problem: 所有在b裡,前後綴相同的長度
30 // b = ababcababababcabab
| // f = 001201234123456789 
32 // 前9 = 後9
33 // 前4 = 前9的後4 = 後4
34 // 前2 = 前4的後2 = 前9的後2 = 後2
35 for(int j=m; j; j=f[j-1]) {
36
      // j 是答案
```

2.3 Z Algorithm

```
1 const int maxn = 1e6 + 10;
 3 int z[maxn]; // s[0:z[i]) = s[i:i+z[i])
 4 string s;
 6
   void makeZ() { // z[0] = 0
     for(int i=1, l=0, r=0; i<s.length(); i++) {</pre>
       if(i<=r && z[i-l]<r-i+1) z[i] = z[i-l];</pre>
         z[i] = max(0, r-i+1);
10
11
         while(i+z[i]<s.length() &&</pre>
              s[z[i]]==s[i+z[i]]) z[i]++;
12
       if(i+z[i]-1 > r) l = i, r = i+z[i]-1;
13
14
    }
15 }
```

2.4 Manacher

```
s: 增長為兩倍的字串,以'@'為首,以'$'為間隔,以'0'為尾
   p: 以 s[i] 為中心,半徑為 p[i] 是回文
   const int maxn = 11e4 + 10;
   char s[maxn<<1] = "@$";</pre>
   int p[maxn<<1];</pre>
   int manacher(char* str, int n) {
      for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
          s[i<<1] = str[i-1];
9
          s[i << 1|1] = '$';
      }
10
11
12
      int cur = 0, r = 0, res = 0;
      n = (n+1) << 1;
13
14
       for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
15
       p[i] = (i>r) ? 1 : min(p[cur*2-i], r-i);
16
       for(; s[i-p[i]]==s[i+p[i]]; p[i]++);
          if(i+p[i] > r) {
17
18
              r = i+p[i];
              cur = i;
19
20
          }
21
          res = max(res, p[i]);
22
23
       return res - 1;
24 }
```

3 math

3.1 公式

1. Most Divisor Number

| Range | 最多因數數 | 因數個數 |
|------------------|---------------------|--------|
| 109 | 735134400 | 1344 |
| 231 | 2095133040 | 1600 |
| 10 ¹⁸ | 897612484786617600 | 103680 |
| 264 | 9200527969062830400 | 161280 |

2. Catlan Number

$$C_n = \frac{1}{n} {2n \choose n}, C_{n+1} = \frac{2(2n+1)}{n+2} C_n$$

 $C=1,1,2,5,14,42,132,429,1430,4862,\dots$

3. Faulhaber's formula

$$\sum_{k=1}^{n} k^{p} = \frac{1}{p+1} \sum_{r=0}^{p} \binom{p+1}{r} B_{r} n^{p-r+1}$$

where
$$B_0=1$$
, $B_r=1-\sum\limits_{i=0}^{r-1} {r\choose i} \frac{B_i}{r-i+1}$

也可用高斯消去法找 deg(p+1) 的多項式,例:

$$\sum_{k=1}^{n} k^2 = a_3 n^3 + a_2 n^2 + a_1 n + a_0$$

$$\begin{bmatrix} 0^3 & 0^2 & 0^1 & 0^0 \\ 1^3 & 1^2 & 1^1 & 1^0 \\ 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ 3^3 & 3^2 & 3^1 & 3^0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_3 \\ a_1 \\ a_1 \\ a_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 \\ 0^2 + 1^2 + 2^2 + 3^2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 8 & 4 & 2 & 1 & 5 \\ 27 & 9 & 3 & 1 & 14 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 4 & 6 & 7 & 3 \\ 0 & 0 & 6 & 11 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1/3 \\ 1/6 \\ 1/6 \end{bmatrix}, \quad \sum_{k=1}^n k^2 = \frac{1}{3}n^3 + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{6}n$$

4. Lagrange Polynomial

拉格朗日插值法:找出 n 次多項函數 f(x) 的點 $(x_0, y_0), (x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)$

$$L(x) = \sum_{j=0}^{n} y_j l_j(x)$$

$$l_j(x) = \prod_{i=0, i \neq j}^n \frac{x - x_i}{x_j - x_i}$$

5. SG Function

 $SG(x) = mex\{SG(y)|x \to y\}$ $mex(S) = min\{n|n \in \mathbb{N}, n \notin S\}$

6. Fibonacci

$$\begin{bmatrix} f_{n-1} & f_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix}$$
 50
$$\begin{bmatrix} f_n & f_{n+1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^p = \begin{bmatrix} f_{n+p} & f_{n+p+1} \end{bmatrix}, p \in \mathbb{N}$$
 51
$$F_n = \frac{1}{\sqrt{5}} \left[\left(\frac{1 + \sqrt{5}}{2} \right)^n - \left(\frac{1 - \sqrt{5}}{2} \right)^n \right]$$
 53

7. Pick's Theorem

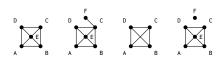
給定頂點座標均是整點(或正方形格子點)的簡單多邊形, 其面積 A 和內部格點數目 i 、邊上格點數目 b 的關係為

$$A = i + \frac{b}{2} - 1$$

8. Euler's Formula

對於有 V 個點、E 條邊、F 個面 (含外部) 的連通平面圖

$$F + V - E = 2$$



(1)、(2)〇;(3)×, \overline{AC} 與 \overline{BD} 相交;(4)×,非連通圖

9. Simpson Integral

$$\int_{a}^{b} f(x)dx \approx \frac{b-a}{6} \left[f(a) + 4f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b) \right]$$

3.2 Rational

```
1 const char sep = '/'; // 分數的分隔符
   bool div0;
                           // 要記得適時歸零
   using 11 = long long;
 5 struct Rational {
    11 p, q;
     Rational(11 a=0, 11 b=1) {
      p = a, q = b;
      reduce();
     Rational(string s) {
13
       if(s.find(sep) == string::npos) {
        p = stoll(s);
15
        q = 1;
      } else {
        p = stoll(s.substr(0, s.find(sep)));
        q = stoll(s.substr(s.find(sep)+1));
       reduce();
     void reduce() {
      11 t = abs(\_gcd(p, q));
       if(t == 0) {
        div0 = true;
29
      p /= t, q /= t;
       if(q < 0) p = -p, q = -q;
     string toString() {
      if(q == 0) {
37
        div0 = true;
        return "INVALID";
38
39
      if(p%q == 0) return to_string(p/q);
      return to_string(p) + sep + to_string(q);
42
43
     friend istream& operator>>(
      istream& i, Rational& r) {
      string s;
      i \gg s;
      r = Rational(s);
      return i;
     friend ostream& operator<<(</pre>
53
      ostream& o, Rational r) {
      o << r.toString();</pre>
      return o;
   Rational operator+(Rational x, Rational y) {
    11 t = abs(\_gcd(x.q, y.q));
     if(t == 0) return Rational(0, 0);
     return Rational(
      y.q/t*x.p + x.q/t*y.p, x.q/t*y.q);
   Rational operator-(Rational x, Rational y) {
66
    return x + Rational(-y.p, y.q);
  Rational operator*(Rational x, Rational y) {
    return Rational(x.p*y.p, x.q*y.q);
74 Rational operator/(Rational x, Rational y) {
   return x * Rational(y.q, y.p);
```

3.3 質數與因數

```
歐拉篩O(n)
   #define MAXN 47000 //sqrt(2^31)=46,340...
   bool isPrime[MAXN];
   int p[MAXN];
   int pSize=0;
   void getPrimes(){
     memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
     isPrime[0]=isPrime[1]=false;
     for(int i=2;i<MAXN;i++){</pre>
       if(isPrime[i]) p[pSize++]=i;
10
       for(int j=0;j<pSize&&i*p[j]<=MAXN;++j){</pre>
12
         isPrime[i*p[j]]=false;
         if(i%p[j]==0) break;
13
14
15
16
17
   最大公因數 O(log(min(a,b)))
18
19
   int GCD(int a, int b){
    if(b == 0) return a;
21
     return GCD(b, a%b);
22 }
23
24
   質因數分解
   void primeFactorization(int n){
25
     for(int i=0; i<p.size(); ++i) {</pre>
       if(p[i]*p[i] > n) break;
27
28
       if(n % p[i]) continue;
       cout << p[i] << ' ';
29
       while(n%p[i] == 0) n /= p[i];
30
31
     if(n != 1) cout << n << ' ';
32
33
     cout << '\n';</pre>
34
35
   擴展歐幾里得算法 ax + by = GCD(a, b)
37
   int ext_euc(int a, int b, int &x, int &y) {
    if(b == 0){
39
       x = 1, y = 0;
40
       return a;
41
     int d = ext_euc(b, a%b, y, x);
     y -= a/b*x;
    return d;
44
45
46 int main(){
47
     int a, b, x, y;
48
    cin >> a >> b;
    ext_euc(a, b, x, y);
cout << x << ' ' << y << endl;
49
51
52
53
54
   歌德巴赫猜想
   解: 把偶數 N (6≤N≤10<sup>6</sup>) 寫成兩個質數的和。
   #define N 20000000
   int ox[N], p[N], pr;
   void PrimeTable(){
    ox[0] = ox[1] = 1;
59
     pr = 0;
     for(int i=2;i<N;i++){</pre>
61
       if(!ox[i]) p[pr++] = i;
       for(int j=0; i*p[j]<N&&j<pr; j++)</pre>
63
64
        ox[i*p[j]] = 1;
65
```

42

43

44

45

48

49

50

51

52

53

54

55

56

58

59

60

61

62

63

64

65

66

67

68

69

70

72

73

74

75

76

77

79

}

return 0;

```
}
66
  int main(){
67
    PrimeTable();
68
     int n;
    while(cin>>n, n){
70
71
      int x;
      for(x=1;; x+=2)
72
        if(!ox[x] && !ox[n-x]) break;
73
74
      printf("%d = %d + %d\n", n, x, n-x);
75
76
  }
77
78
  problem :
   給定整數 N,求N最少可以拆成多少個質數的和。
   如果N是質數,則答案為 1。
   如果N是偶數(N!=2),則答案為2(強歌德巴赫猜想)。
   如果N是奇數且N-2是質數,則答案為2(2+質數)。
   其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
   bool isPrime(int n){
85
    for(int i=2;i<n;++i){</pre>
86
      if(i*i>n) return true;
87
      if(n%i==0) return false;
89
90
    return true;
  }
91
  int main(){
92
93
    int n;
    cin>>n:
94
95
    if(isPrime(n)) cout<<"1\n";</pre>
    else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout<<"2\n";</pre>
96
    else cout<<"3\n";</pre>
```

3.4 Pisano Period

#include <cstdio>

```
#include <vector>
  using namespace std;
 5
  Pisano Period + 快速冪 + mod
  Pisano Period:
      費氏數列在mod n的情況下會有循環週期,
      且週期的結束判斷會在fib[i - 1] == 0 &&
          fib[i] == 1時,
10
      此時循環週期長度是i-1
11
  所以這題是在找出循環週期後,
  用快速冪並mod(循環调期長度)即可AC(快速冪記得mod),
  此外fib要mod n,也要找週期,所以用預處理的方式列表
15
  */
16
17
  #define maxn 1005
18
19
20
  Pisano period可證一個週期的長度會在[n, n ^ n]之間
21
  */
  //很可惜,會爆
  // int fib[maxn][maxn * maxn];
23
  //改用 vector
  vector<int> fib[maxn];
  int period[maxn];
27
28
  int qpow(int a, unsigned long long b, int
29
    if (b == 0) return a;
30
31
    long long res = 1;
32
    while (b) {
33
      if (b & 1)
       res = ((a % mod) * (res % mod)) % mod;
34
35
      a = ((a % mod) * (a % mod)) % mod;
     b >>= 1;
36
37
38
    return res;
```

```
41 int main()
    unsigned long long a, b;
    //注意: 這裡沒算mod 1的循環長度,
     //因為mod 1都等於 0,沒有週期
    for (int i = 2; i < maxn; ++i)</pre>
       fib[i].emplace_back(0);
       fib[i].emplace_back(1);
       for (int j = 2; j < maxn * maxn; ++j)</pre>
        fib[i].emplace_back(
          (fib[i][j-1]%i+fib[i][j-2]%i)%i
        if (fib[i][j-1]==0&&fib[i][j]==1)
          period[i] = j - 1;
          break;
      }
    scanf("%d", &t);
    while (t--)
      scanf("%11u %11u %d", &a, &b, &n);
      if (a == 0)
        puts("0");
       else if (n == 1) //當mod 1時任何數都是0,
```

//所以直接輸出Ø,避免我們沒算

fib[n][qpow(a % period[n], b,

period[n])]);

//fib[1][i]的問題(Runtime

3.5 矩陣快速冪

error)

printf($"%d\n"$,

```
1 using 11 = long long;
  using mat = vector<vector<ll>>;
   const int mod = 1e9 + 7;
   mat operator*(mat A, mat B) {
     mat res(A.size(), vector<ll>(B[0].size()));
     for(int i=0; i<A.size(); i++) {</pre>
       for(int j=0; j<B[0].size(); j++) {</pre>
        for(int k=0; k<B.size(); k++) {</pre>
          res[i][j] += A[i][k] * B[k][j] % mod;
          res[i][j] %= mod;
11
12
13
      }
14
15
     return res;
17
18 mat I = ;
   // compute matrix M^n
19
   // 需先 init I 矩陣
20
21 mat mpow(mat& M, int n) {
   if(n <= 1) return n ? M : I;</pre>
23
    mat v = mpow(M, n >> 1);
24
    return (n & 1) ? v*v*M : v*v;
25 }
27 // 迴圈版本
28 mat mpow(mat M, int n) {
   mat res(M.size(), vector<ll>(M[0].size())); 40 }
    for(int i=0; i<res.size(); i++)</pre>
```

```
31
      res[i][i] = 1;
    for(; n; n>>=1) {
32
      if(n & 1) res = res * M;
33
      M = M * M;
34
35
36
    return res;
37 }
```

歐拉函數

```
1 //計算閉區間 [1,n] 中有幾個正整數與 n 互質
  int phi(){
      int ans=n;
      for(int i=2;i*i<=n;i++)</pre>
          if(n%i==0){
             ans=ans-ans/i:
             while(n%i==0) n/=i;
9
10
      if(n>1) ans=ans-ans/n;
11
      return ans:
```

3.7 乘法逆元、組合數

```
x^{-1} mod m
                                            (mod\ m)
           -\left\lfloor \frac{m}{x}\right\rfloor (m \ mod \ x)^{-1}, otherwise
                      1,
                                                (mod\ m)
           (m - \left| \frac{m}{x} \right|)(m \mod x)^{-1}, otherwise
    若 p \in prime, 根據費馬小定理, 則
         ax \equiv 1 \pmod{p}
      \therefore ax \equiv a^{p-1} \pmod{p}
          x \equiv a^{p-2} \pmod{p}
    using ll = long long;
    const int maxn = 2e5 + 10;
    const int mod = 1e9 + 7:
    int fact[maxn] = {1, 1};// x! % mod
    int inv[maxn] = {1, 1}; // x^(-1) % mod
    int invFact[maxn] = \{1, 1\}; // (x!)^{(-1)} % mod
    void build() {
     for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
 10
        fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
 12
        inv[x] = (11)(mod-mod/x)*inv[mod%x]%mod;
        invFact[x] = (ll)invFact[x-1]*inv[x]%mod;
 13
 14
 15 }
17
     // 前提: mod 為質數
    void build() {
 18
      auto qpow = [&](11 a, int b) {
        11 \text{ res} = 1;
 20
        for(; b; b>>=1) {
 21
          if(b & 1) res = res * a % mod;
 22
 23
          a = a * a % mod;
 24
        }
 25
        return res:
 26
 27
      for(int x=2; x<maxn; x++) {</pre>
 28
        fact[x] = (11)x * fact[x-1] % mod;
 30
        invFact[x] = qpow(fact[x], mod-2);
 31
 32 }
 33
 34
    // C(a, b) % mod
    int comb(int a, int b) {
 35
 36
      if(a < b) return 0;</pre>
      11 x = fact[a];
      11 y = (11)invFact[b] * invFact[a-b] % mod;
      return x * y % mod;
```

3.8 大步小步

```
題意
2
  給定 B,N,P,求出 L 滿足 B^L N(mod P)。
   題解
3
4
  餘數的循環節長度必定為 P 的因數,因此
       B^0 B^P,B^1 B^(P+1),...,
  也就是說如果有解則 L<N,枚舉0,1,2,L-1
       能得到結果,但會超時。
   將 L 拆成 mx+y,只要分別枚舉 x,y 就能得到答案,
   設 m=√P 能保證最多枚舉 2√P 次 ∘
  B^(mx+y) N(mod P)
  B^(mx)B^y N(mod P)
10 B^y N(B^(-m))^x (mod P)
  先求出 B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
11
   再枚舉 N(B^(-m)),N(B^(-m))^2,… 查看是否有對應的
       B^y∘
13 這種算法稱為大步小步演算法,
14
  大步指的是枚舉 x (一次跨 m 步),
15
  小步指的是枚舉 y (一次跨 1 步)。
16
    複雜度分析
  利用 map/unorder_map 存放
17
       B^0,B^1,B^2,...,B^(m-1),
  枚舉 x 查詢 map/unorder_map 是否有對應的 B^y,
18
  存放和查詢最多 2√P 次,時間複雜度為
19
       0(\sqrt{P\log\sqrt{P}})/0(\sqrt{P}) \circ
20
   using LL = long long;
22 LL B, N, P;
23
  LL fpow(LL a, LL b, LL c){
24
      LL res=1;
25
      for(;b;b >>=1){
26
          if(b&1)
             res=(res*a)%c:
27
28
          a=(a*a)%c;
      }
29
30
      return res;
31 }
  LL BSGS(LL a,LL b,LL p){
32
33
      a%=p,b%=p;
      if(a==0)
34
          return b==0?1:-1;
35
36
      if(b==1)
37
          return 0;
38
      map<LL, LL> tb;
      LL sq=ceil(sqrt(p-1));
39
40
      LL inv=fpow(a,p-sq-1,p);
41
      tb[1]=sq;
42
      for(LL i=1,tmp=1;i<sq;++i){</pre>
43
          tmp=(tmp*a)%p;
          if(!tb.count(tmp))
44
45
             tb[tmp]=i;
46
47
      for(LL i=0;i<sq;++i){</pre>
48
          if(tb.count(b)){
49
             LL res=tb[b]:
50
             return i*sq+(res==sq?0:res);
51
52
          b=(b*inv)%p;
53
      return -1;
54
55
  }
  int main(){
56
      IOS; //輸入優化
57
      while(cin>>P>>B>>N){
58
          LL ans=BSGS(B,N,P);
59
60
          if(ans==-1)
61
             cout<<"no solution\n";</pre>
62
             cout<<ans<< ' \n';
63
64
65 }
```

3.9 高斯消去

```
計算 AX = B
    傳入:
         M= 增廣矩陣 [A|B]
         equ= 有幾個 equation
         var = 有幾個 variable
    回傳:X = (x_0, \dots, x_{n-1}) 的解集
    >>無法判斷無解或無限多組解<<
1 using DBL = double;
   using mat = vector<vector<DBL>>;
   vector<DBL> Gauss(mat& M, int equ, int var) {
     auto dcmp = [](DBL a, DBL b=0.0) {
      return (a > b) - (a < b);
     for(int r=0, c=0; r<equ && c<var; ) {</pre>
      int mx = r; // 找絕對值最大的 M[i][c]
10
11
       for(int i=r+1; i<equ; i++) {</pre>
12
        if(dcmp(abs(M[i][c]),abs(M[mx][c]))==1)
13
          mx = i;
14
       if(mx != r) swap(M[mx], M[r]);
15
16
       if(dcmp(M[r][c]) == 0) {
17
18
        c++:
19
        continue;
20
21
22
       for(int i=r+1; i<equ; i++) {</pre>
        if(dcmp(M[i][c]) == 0) continue;
23
        DBL t = M[i][c] / M[r][c];
24
        for(int j=c; j<M[c].size(); j++) {</pre>
25
26
          M[i][j] -= t * M[r][j];
27
        }
28
29
       r++, c++;
30
31
32
     vector<DBL> X(var);
33
     for(int i=var-1; i>=0; i--) {
      X[i] = M[i][var];
34
       for(int j=var-1; j>i; j--) {
35
36
        X[i] -= M[i][j] * X[j];
37
      X[i] /= M[i][i];
38
    }
39
     return X;
41 }
```

4 algorithm

```
4.1
         greedy
  刪數字問題
  //problem
  給定一個數字 N(≤10<sup>1</sup>00),需要刪除 K 個數字,
  請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
  刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i
       位數,
  扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
 8
  //code
 9
  int main(){
10
      string s:
11
      int k;
12
      cin>>s>>k;
13
      for(int i=0;i<k;++i){</pre>
         if((int)s.size()==0) break;
14
         int pos =(int)s.size()-1;
15
         for(int j=0;j<(int)s.size()-1;++j){</pre>
16
17
             if(s[j]>s[j+1]){
18
                pos=j;
19
                break;
            }
20
         }
21
22
         s.erase(pos,1);
23
24
      while((int)s.size()>0&&s[0]=='0')
25
         s.erase(0.1):
      if((int)s.size()) cout<<s<'\n';</pre>
26
27
      else cout<<0<<'\n';
28
  }
29
  最小區間覆蓋長度
  //problem
30
  給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
  請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
  先將 所有 區間 依照 左界 由 小 到 大 排 序,
  對於當前區間 [Li,Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
35
  找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
36
37
38
39
  長度 n 的直線中有數個加熱器,
  在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
  問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
42
  //solution
  對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器
  更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
44
45
  //code
  int main(){
46
47
      int n, r;
48
      int a[1005];
49
      cin>>n>>r:
      for(int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
50
51
      int i=1.ans=0:
52
      while(i<=n){</pre>
53
         int R=min(i+r-1,n),L=max(i-r+1,0)
         int nextR=-1;
54
55
         for(int j=R; j>=L; --j){
56
             if(a[j]){
57
                nextR=j;
58
                break;
59
             }
60
         if(nextR==-1){
61
             ans=-1;
62
63
             break:
         }
64
65
         ++ans;
66
         i=nextR+r;
67
68
      cout<<ans<<'\n';
  }
69
70
  最多不重疊區間
71
  //problem
  給你 n 條線段區間為 [Li,Ri],
73 請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
```

```
74 //solution
                                                    struct Work{
                                                151
75 依照右界由小到大排序,
                                                152
                                                       int t. d:
   每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
                                                       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                153
                                                           return d<rhs.d;</pre>
    //code
                                                154
                                                155
78
   struct Line{
                                                156
79
                                                    };
       bool operator<(const Line &rhs)const{</pre>
80
                                                157
                                                    int main(){
81
           return R<rhs.R;</pre>
                                                       int n=0;
                                                158
82
                                                159
                                                       Work a[10000];
83 };
                                                       priority_queue<int> pq;
                                                160
84
   int main(){
                                                161
                                                       while(cin>>a[n].t>>a[n].d)
      int t;
85
                                                162
                                                           ++n·
       cin>>t;
                                                163
                                                       sort(a,a+n);
86
       Line a[30];
87
                                                164
                                                       int sumT=0,ans=n;
88
       while(t--){
                                                165
                                                       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                           pq.push(a[i].t);
89
           while(cin>>a[n].L>>a[n].R,a[n].L||a[n].R6)
                                                           sumT+=a[i].t;
90
                                                           if(a[i].d<sumT){</pre>
           sort(a,a+n);
92
                                                169
                                                              int x=pq.top();
           int ans=1,R=a[0].R;
                                                170
93
                                                              pq.pop();
94
           for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                171
                                                              sumT-=x;
              if(a[i].L>=R){
                                                172
95
                                                               --ans:
                 ++ans:
                                                173
                                                           }
97
                 R=a[i].R;
                                                174
                                                       }
98
                                                175
                                                       cout<<ans<<'\n';
          }
                                                176 }
99
          cout<<ans<<'\n';
100
                                                177
101
                                                178
                                                    任務調度問題
102 }
                                                179
                                                    //problem
103
   最小化最大延遲問題
                                                180
                                                    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                    期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi
104
   //problem
                                                181
105
   給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         單位懲罰,
   期限是 Di,第 i 項工作延遲的時間為
                                                    請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                182
        Li=max(0.Fi-Di),
                                                183
                                                    //solution
    原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
107
                                                184
                                                    依照懲罰由大到小排序,
   求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                    每項工作依序嘗試可不可以放在
108
                                                185
109
   //solution
                                                         Di-Ti+1,Di-Ti,...,1,0,
110 按照到期時間從早到晚處理。
                                                186
                                                    如果有空閒就放進去,否則延後執行。
111
    //code
                                                187
    struct Work{
112
                                                188
                                                    給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
113
       int t, d;
                                                189
       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
                                                    期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
114
115
          return d<rhs.d;</pre>
                                                         單位獎勵,
116
                                                191
                                                    請問最多會獲得多少單位獎勵。
117
   };
                                                192
   int main(){
                                                    和 上 題 相 似 , 這 題 變 成 依 照 獎 勵 由 大 到 小 排 序。
                                                193
118
       int n:
                                                    //code
       Work a[10000];
120
                                                195
                                                    struct Work{
121
       cin>>n;
                                                196
                                                       int d,p;
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
                                                197
                                                       bool operator<(const Work &rhs)const{</pre>
122
123
          cin>>a[i].t>>a[i].d;
                                                198
                                                           return p>rhs.p;
       sort(a,a+n);
                                                199
124
125
       int maxL=0,sumT=0;
                                                200 };
126
       for(int i=0;i<n;++i){</pre>
                                                201
                                                    int main(){
127
           sumT+=aΓil.t:
                                                202
                                                       int n:
          maxL=max(maxL,sumT-a[i].d);
                                                       Work a[100005];
128
                                                203
129
                                                204
                                                       bitset<100005> ok;
                                                       while(cin>>n){
       cout<<maxL<<'\n':
                                                205
130
131
                                                           ok.reset():
132 最少延遲數量問題
                                                207
                                                           for(int i=0;i<n;++i)</pre>
133 //problem
                                                208
                                                              cin>>a[i].d>>a[i].p;
   給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                           sort(a,a+n);
                                                209
135
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
                                                           int ans=0:
                                                210
                                                           for(int i=0;i<n;++i){</pre>
136
                                                              int j=a[i].d;
   期限越早到期的工作越先做。
137
                                                212
138
   將工作依照到期時間從早到晚排序,
                                                213
                                                              while(j--)
139
   依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                214
                                                                  if(!ok[j]){
   就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
140
                                                215
                                                                     ans+=aΓil.p:
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                                     ok[j]=true;
141
                                                216
142
                                                217
                                                                     break:
143
                                                218
144
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
                                                219
                                                           }
145
                                                220
                                                           cout<<ans<<'\n';
146 和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                221
                                                       }
   工作處裡時長 → 烏龜重量
                                                222 }
147
148 工作期限 → 烏龜可承受重量
149 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
150 //code
```

4.2 三分搜

給定兩射線方向和速度, 問兩射線最近距離。 3 題 解 假設 F(t) 為兩射線在時間 t 的距離,F(t)為二次 函 數, 可用三分搜找二次函數最小值。 struct Point{ double x, y, z; 7 8 Point() {} 9 Point(double _x,double _y,double _z): $x(_x),y(_y),z(_z){}$ 10 friend istream& operator>>(istream& is, Point& p) { 12 is >> p.x >> p.y >> p.z; return is; 13 14 15 Point operator+(const Point &rhs) const{ 16 return Point(x+rhs.x,y+rhs.y,z+rhs.z); 17 Point operator-(const Point &rhs) const{ 18 19 return Point(x-rhs.x,y-rhs.y,z-rhs.z); 20 21 Point operator*(const double &d) const{ 22 return Point(x*d,y*d,z*d); 23 Point operator/(const double &d) const{ 24 return Point(x/d,y/d,z/d); 25 26 27 double dist(const Point &rhs) const{ double res = 0; 28 29 res+=(x-rhs.x)*(x-rhs.x);res+=(y-rhs.y)*(y-rhs.y); 30 31 res+=(z-rhs.z)*(z-rhs.z); return res; 32 33 34 }; 35 int main(){ //輸入優化 36 IOS: 37 int T: 38 cin>>T: for(int ti=1;ti<=T;++ti){</pre> 39 double time; 40 41 Point x1,y1,d1,x2,y2,d2; cin>>time>>x1>>y1>>x2>>y2; 42 d1=(y1-x1)/time;43 44 d2=(y2-x2)/time;45 double L=0,R=1e8,m1,m2,f1,f2; double ans = x1.dist(x2); 46 47 while(abs(L-R)>1e-10){ 48 m1=(L+R)/2; m2=(m1+R)/2: 49 f1=((d1*m1)+x1).dist((d2*m1)+x2);50 51 f2=((d1*m2)+x1).dist((d2*m2)+x2);52 ans = min(ans, min(f1, f2));53 **if**(f1<f2) R=m2; 54 else L=m1; 55 cout<<"Case "<<ti<<": "; 56 cout << fixed << setprecision(4) <<</pre> 57 $sqrt(ans) << ' \ '';$ } 58 59 }

4.3 dinic

```
1 const int maxn = 1e5 + 10;
   const int inf = 0x3f3f3f3f;
   struct Edge {
       int s, t, cap, flow;
 5 };
   int n, m, S, T;
   int level[maxn], dfs_idx[maxn];
   vector<Edge> E;
   vector<vector<int>> G;
10
   void init() {
       S = 0:
12
       T = n + m;
       E.clear();
13
14
       G.assign(maxn, vector<int>());
15 }
   void addEdge(int s, int t, int cap) {
       E.push_back({s, t, cap, 0});
17
       E.push_back({t, s, 0, 0});
18
       G[s].push_back(E.size()-2);
       G[t].push_back(E.size()-1);
21 }
22 bool bfs() {
       queue<int> q({S});
23
       memset(level, -1, sizeof(level));
24
       level[S] = 0;
25
       while(!q.empty()) {
           int cur = q.front();
27
28
           q.pop();
           for(int i : G[cur]) {
29
              Edge e = E[i];
30
31
               if(level[e.t]==-1 &&
                    e.cap>e.flow) {
                  level[e.t] = level[e.s] + 1;
                  q.push(e.t);
33
34
35
          }
36
37
       return ~level[T];
38 }
   int dfs(int cur, int lim) {
39
       if(cur==T || lim==0) return lim;
40
41
       int result = 0;
42
       for(int& i=dfs_idx[cur]; i<G[cur].size()</pre>
            && lim; i++) {
           Edge& e = E[G[cur][i]];
           if(level[e.s]+1 != level[e.t])
44
           int flow = dfs(e.t, min(lim,
45
                e.cap-e.flow));
           if(flow <= 0) continue;</pre>
           e.flow += flow;
47
           result += flow;
48
49
           E[G[cur][i]^1].flow -= flow;
50
          lim -= flow;
51
52
       return result:
53
   int dinic() {// O((V^2)E)
54
       int result = 0;
55
       while(bfs()) {
          memset(dfs_idx, 0, sizeof(dfs_idx));
57
           result += dfs(S, inf);
58
59
60
       return result;
61 }
```

4.4 JosephusProblem

```
//JosephusProblem,只是規定要先砍1號
   //所以當作有n - 1個人,目標的13順移成12
   //再者從0開始比較好算,所以目標12順移成11
  int getWinner(int n, int k) {
      int winner = 0;
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          winner = (winner + k) % i;
10
      return winner:
11 }
12
   int main() {
13
14
      while (scanf("%d", &n) != EOF && n){
15
          for (int k = 1; k \le n; ++k){
17
18
              if (getWinner(n, k) == 11){
                 printf("%d\n", k);
19
20
                 break:
21
          }
22
23
      }
24
      return 0;
25
   // O(k \log(n))
27
28
   int josephus(int n, int k) {
    if (n == 1) return 0;
29
    if (k == 1) return n - 1;
30
    if (k > n) return (josephus(n-1,k)+k)%n;
    int res = josephus(n - n / k, k);
32
33
    res -= n % k;
    if (res < 0)
34
35
      res += n; // mod n
36
37
      res += res / (k - 1); // 还原位置
38
    return res;
39 }
```

4.5 SCC Kosaraju

```
1 //做兩次dfs, O(V + E)
   //g 是原圖, g2 是反圖
   //s是dfs離開的節點
   void dfs1(int u) {
      vis[u] = true;
      for (int v : g[u])
          if (!vis[v]) dfs1(v);
       s.push_back(u);
8
9
   }
10
   void dfs2(int u) {
11
       group[u] = sccCnt;
12
13
       for (int v : g2[u])
          if (!group[v]) dfs2(v);
14
15 }
16
17
   void kosaraju() {
       sccCnt = 0;
18
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
          if (!vis[i]) dfs1(i);
20
21
       for (int i = n; i >= 1; --i)
22
          if (!group[s[i]]) {
              ++sccCnt;
23
              dfs2(s[i]);
24
          }
25
26 }
```

4.6 SCC Tarjan

1 //單純考SCC,每個SCC中找成本最小的蓋,如果有多個一樣小 vector<vector<int>>> G;

4.7 ArticulationPoints Tarjan

4.8 最小樹狀圖

1 const int maxn = 60 + 10;

```
//的要數出來,因為題目要方法數
                                                      int N, timer;
                                                                                                          const int inf = 0x3f3f3f3f;
   //注意以下程式有縮點,但沒存起來,
                                                      bool visited[105]:
                                                                                                          struct Edge {
   //存法就是開一個array -> ID[u] = SCCID
                                                      int dfn[105]; // 第一次visit的時間
                                                                                                              int s, t, cap, cost;
   #define maxn 100005
                                                     5 int low[105];
                                                                                                          }; // cap 為頻寬 (optional)
   #define MOD 1000000007
                                                      //最小能回到的父節點
                                                                                                          int n, m, c;
                                                      //(不能是自己的parent)的visTime
   long long cost[maxn];
                                                                                                          int inEdge[maxn], idx[maxn], pre[maxn],
   vector<vector<int>>> G;
                                                    8 int res;
                                                                                                               vis[maxn];
   int SCC = 0;
                                                       //求割點數量
                                                                                                          // 對於每個點,選擇對它入度最小的那條邊
                                                      void tarjan(int u, int parent) {
   stack<int> sk;
                                                   10
                                                                                                          // 找環,如果沒有則 return:
   int dfn[maxn];
                                                          int child = 0;
                                                                                                          // 進行縮環並更新其他點到環的距離。
   int low[maxn];
                                                   12
                                                          bool isCut = false;
                                                                                                          int dirMST(vector<Edge> edges, int low) {
                                                          visited[u] = true;
   bool inStack[maxn];
                                                                                                              int result = 0, root = 0, N = n;
                                                   13
                                                                                                       12
   int dfsTime = 1;
                                                   14
                                                          dfn[u] = low[u] = ++timer;
                                                                                                       13
                                                                                                              while(true) {
                                                          for (int v: G[u]) {
   long long totalCost = 0;
                                                                                                                 memset(inEdge, 0x3f, sizeof(inEdge));
                                                   15
                                                                                                       14
   long long ways = 1;
                                                              if (!visited[v]) {
                                                                                                       15
                                                                                                                  // 找所有點的 in edge 放進 inEdge
   void dfs(int u) {
                                                   17
                                                                  ++child:
                                                                                                                  // optional: low 為最小 cap 限制
17
                                                                                                       16
18
       dfn[u] = low[u] = dfsTime;
                                                   18
                                                                  tarjan(v, u);
                                                                                                       17
                                                                                                                  for(const Edge& e : edges) {
19
       ++dfsTime:
                                                   19
                                                                  low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                                                                       18
                                                                                                                     if(e.cap < low) continue;</pre>
20
       sk.push(u);
                                                   20
                                                                  if (parent != -1 && low[v] >=
                                                                                                                     if(e.s!=e.t &&
                                                                                                       19
21
       inStack[u] = true;
                                                                       dfn[u])
                                                                                                                           e.cost<inEdge[e.t]) {</pre>
22
       for (int v: G[u]) {
                                                                      isCut = true;
                                                                                                                         inEdge[e.t] = e.cost;
                                                   21
                                                                                                       20
          if (dfn[v] == 0) {
23
                                                   22
                                                                                                       21
                                                                                                                         pre[e.t] = e.s;
                                                              else if (v != parent)
24
              dfs(v);
                                                   23
                                                                                                       22
25
              low[u] = min(low[u], low[v]);
                                                                  low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                   24
                                                                                                       23
26
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                                                                       24
                                                                                                                     if(i!=root && inEdge[i]==inf)
27
          else if (inStack[v]) {
                                                          //If u is root of DFS
                                                                                                       25
28
              //屬於同個SCC且是我的back edge
                                                                tree->有兩個以上的children
                                                                                                       26
                                                                                                                         return -1;//除了root 還有點沒有in
                                                          if (parent == -1 && child >= 2)
29
              low[u] = min(low[u], dfn[v]);
                                                   27
                                                              isCut = true;
                                                                                                       27
30
                                                   28
31
       }
                                                   29
                                                          if (isCut) ++res;
                                                                                                       28
                                                                                                                  int seq = inEdge[root] = 0;
       //如果是SCC
                                                   30 }
                                                                                                                  memset(idx, -1, sizeof(idx));
                                                                                                       29
32
33
       if (dfn[u] == low[u]) {
                                                    31
                                                      int main() {
                                                                                                       30
                                                                                                                  memset(vis, -1, sizeof(vis));
                                                                                                                  // 找所有的 cycle,一起編號為 seq
          long long minCost = 0x3f3f3f3f;
                                                          char input[105];
34
                                                   32
                                                                                                       31
35
          int currWays = 0;
                                                   33
                                                          char* token;
                                                                                                       32
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++) {</pre>
                                                          while (scanf("%d", &N) != EOF && N) {
36
          ++SCC;
                                                   34
                                                                                                       33
                                                                                                                     result += inEdge[i];
37
          while (1) {
                                                   35
                                                              G.assign(105, vector<int>());
                                                                                                                     int cur = i;
                                                                                                       34
38
              int v = sk.top();
                                                   36
                                                              memset(visited, false,
                                                                                                       35
                                                                                                                     while(vis[cur]!=i &&
              inStack[v] = 0;
                                                                   sizeof(visited));
                                                                                                                           idx[cur]==-1) {
39
                                                              memset(low, 0, sizeof(low));
                                                                                                                         if(cur == root) break;
40
              sk.pop();
              if (minCost > cost[v]) {
                                                              memset(dfn, 0, sizeof(visited));
41
                                                   38
                                                                                                       37
                                                                                                                         vis[cur] = i;
42
                  minCost = cost[v];
                                                   39
                                                              timer = 0;
                                                                                                                         cur = pre[cur];
                                                                                                       38
43
                  currWays = 1;
                                                   40
                                                              res = 0;
                                                                                                       39
              }
                                                                                                                     if(cur!=root && idx[cur]==-1) {
                                                              getchar(); // for \n
44
                                                   41
                                                                                                       40
45
              else if (minCost == cost[v]) {
                                                              while (fgets(input, 105, stdin)) {
                                                                                                                         for(int j=pre[cur]; j!=cur;
                                                                                                       41
                  ++currWays;
                                                                  if (input[0] == '0')
46
                                                   43
                                                                                                                              j=pre[j])
47
                                                   44
                                                                     break;
                                                                                                                             idx[j] = seq;
                                                                                                       42
                                                                                                                         idx[cur] = seq++;
48
              if(v == u)
                                                   45
                                                                  int size = strlen(input);
                                                                                                       43
                                                                  input[size - 1] = ' \setminus 0';
                                                                                                                     }
49
                  break:
                                                   46
                                                                                                       44
50
                                                   47
                                                                  --size;
                                                                  token = strtok(input, " ");
                                                                                                                  if(seq == 0) return result; // 沒有
51
          totalCost += minCost:
                                                   48
                                                                                                       46
52
          ways = (ways * currWays) % MOD;
                                                    49
                                                                  int u = atoi(token);
53
                                                   50
                                                                  int v;
                                                                                                       47
                                                                                                                  for(int i=0; i<N; i++)</pre>
54
   }
                                                   51
                                                                  while (token = strtok(NULL, " "))
                                                                                                                     // 沒有被縮點的點
                                                                                                       48
   int main() {
                                                                                                                     if(idx[i] == -1) idx[i] = seq++;
                                                                                                       49
56
      int n;
                                                   52
                                                                      v = atoi(token);
                                                                                                                  // 縮點並重新編號
                                                                                                       50
57
       scanf("%d", &n);
                                                                      G[u].emplace_back(v);
                                                   53
                                                                                                       51
                                                                                                                  for(Edge& e : edges) {
       for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                                      G[v].emplace_back(u);
58
                                                   54
                                                                                                       52
                                                                                                                     if(idx[e.s] != idx[e.t])
          scanf("%11d", &cost[i]);
                                                                                                                         e.cost -= inEdge[e.t];
59
                                                                                                       53
60
       G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                              }
                                                                                                                     e.s = idx[e.s];
                                                   57
                                                              tarjan(1, -1);
                                                                                                                     e.t = idx[e.t];
61
       int m:
                                                                                                       55
       scanf("%d", &m);
                                                   58
                                                              printf("%d \ n", res);
                                                                                                                 }
62
                                                                                                       56
      int u, v;
                                                                                                                 N = seq;
                                                   59
                                                                                                       57
63
       for (int i = 0; i < m; ++i) {
                                                                                                                  root = idx[root];
64
                                                   60
                                                          return 0;
                                                                                                       58
          scanf("%d %d", &u, &v);
65
                                                                                                       59
                                                                                                              }
66
          G[u].emplace_back(v);
                                                                                                       60 }
67
       for (int i = 1; i <= n; ++i) {
68
          if (dfn[i] == 0)
69
70
              dfs(i);
71
72
       printf("%11d %11d\n", totalCost, ways %
           MOD):
       return 0;
```

```
4.9
          KM
                                                                                                                    return this->1 < other.1;</pre>
                                                   74
                                                                                                      21
                                                             puts("");
                                                   75
                                                                                                      22
                                                                                                                 //奇偶排序(優化)
                                                             for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                                                                                 if (this->1 / sqrtQ & 1)
                                                   76
                                                                                                      23
 1 #define maxn 505
                                                   77
                                                                 if (i != 0)
                                                                                                                    return this->r < other.r;</pre>
                                                                                                      24
   int W[maxn][maxn];
                                                                     printf(" %d", Ly[i]);
                                                   78
                                                                                                      25
                                                                                                                 return this->r > other.r;
   int Lx[maxn], Ly[maxn];
                                                                                                      26
                                                   79
   bool S[maxn], T[maxn];
                                                                                                         };
                                                                     printf("%d", Ly[i]);
                                                   80
                                                                                                      27
   //L[i] = j -> S_i配給T_j, -1 for 還沒匹配
                                                                 res += Ly[i];
                                                                                                         Query querys[maxn];
                                                   81
                                                                                                      28
   int L[maxn];
                                                   82
                                                                                                      29
                                                                                                         long long ans[maxn];
7
   int n;
                                                             puts("");
                                                                                                         long long res = 0;
                                                   83
                                                                                                      30
   bool match(int i) {
8
                                                   84
                                                             printf("%d\n", res);
                                                                                                         int k;
      S[i] = true;
                                                                                                         void add(int x) {
                                                         3
                                                   85
                                                                                                      32
      for (int j = 0; j < n; ++j) {
10
                                                          return 0;
                                                                                                      33
                                                                                                             res += cnt[k ^ prefix[x]];
                                                   86
11
          // KM重點
                                                                                                             ++cnt[prefix[x]];
                                                   87 }
                                                                                                      34
12
          // Lx + Ly >= selected_edge(x, y)
                                                                                                      35
13
          // 要想辦法降低Lx + Ly
                                                                                                      36
                                                                                                          void sub(int x) {
14
           // 所以選Lx + Ly == selected_edge(x, y)
                                                                                                      37
                                                                                                             --cnt[prefix[x]];
                                                      4.10 二分圖最大匹配
          if (Lx[i] + Ly[j] == W[i][j] &&
15
                                                                                                             res -= cnt[k ^ prefix[x]];
                                                                                                      38
               !T[j]) {
                                                                                                      39
                                                                                                         }
              T[j] = true;
16
                                                    1 /* 核心: 最大點獨立集 = /V/ -
                                                                                                         int main() {
                                                                                                      40
17
              if ((L[j] == -1) || match(L[j])) {
                                                           /最大匹配數/,用匈牙利演算法找出最大匹配數 */
                                                                                                      41
                                                                                                             int n, m;
18
                                                    2 vector<Student> boys;
                                                                                                             scanf("%d %d %d", &n, &m, &k);
                                                                                                      42
19
                  return true;
                                                      vector<Student> girls;
                                                                                                             sqrtQ = sqrt(n);
20
              }
                                                      vector<vector<int>> G;
                                                                                                             for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
                                                                                                      44
21
          }
                                                                                                                 scanf("%d", &prefix[i]);
prefix[i] ^= prefix[i - 1];
                                                      bool used[505];
                                                                                                      45
22
      }
                                                      int p[505];
                                                                                                      46
23
      return false;
                                                      bool match(int i) {
                                                                                                      47
24
  }
                                                          for (int j: G[i]) {
                                                                                                      48
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i) {
   //修改二分圖上的交錯路徑上點的權重
                                                             if (!used[j]) {
                                                                                                                 scanf("%d %d", &querys[i].1,
                                                                                                      49
   //此舉是在通過調整vertex labeling看看
                                                   10
                                                                 used[j] = true;
                                                                                                                      &querys[i].r);
   //能不能產生出新的增廣路
                                                                 if (p[j] == -1 || match(p[j])) {
                                                   11
                                                                                                                 //減1是因為prefix[i]是[1,
   //(KM的增廣路要求Lx[i] + Ly[j] == W[i][j])
                                                                     p[j] = i;
                                                                                                                      i]的前綴XOR和,所以題目問[1,
   //在這裡優先從最小的diff調調看,才能保證最大權重匹配<sub>13</sub>
29
                                                                     return true;
                                                                                                                      r]我們要回答[1 - 1, r]的答案
   void update() {
                                                   14
                                                                                                      51
                                                                                                                 --querys[i].1;
      int diff = 0x3f3f3f3f;
31
                                                   15
                                                             }
                                                                                                                 querys[i].id = i;
                                                                                                      52
32
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   16
                                                                                                      53
33
          if (S[i]) {
                                                   17
                                                          return false;
                                                                                                      54
                                                                                                             sort(querys + 1, querys + m + 1);
34
              for (int j = 0; j < n; ++j) {
                                                   18
                                                                                                      55
                                                                                                             int 1 = 1, r = 0;
35
                  if (!T[j])
                                                      void maxMatch(int n) {
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
                                                   19
                                                                                                      56
36
                     diff = min(diff, Lx[i] +
                                                   20
                                                          memset(p, -1, sizeof(p));
                                                                                                      57
                                                                                                                 while (1 < querys[i].1) {</pre>
                          Ly[j] - W[i][j]);
                                                   21
                                                          int res = 0;
                                                                                                      58
                                                                                                                    sub(1);
37
                                                   22
                                                          for (int i = 0; i < boys.size(); ++i) {</pre>
                                                                                                      59
                                                                                                                    ++1;
          }
38
                                                             memset(used, false, sizeof(used));
                                                   23
                                                                                                      60
39
      }
                                                   24
                                                              if (match(i)) ++res;
                                                                                                      61
                                                                                                                 while (1 > querys[i].1) {
40
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   25
                                                                                                      62
                                                                                                                    --1:
41
          if (S[i]) Lx[i] -= diff;
                                                          cout << n - res << '\n';
                                                   26
                                                                                                                    add(1);
                                                                                                      63
          if (T[i]) Ly[i] += diff;
42
43
                                                                                                                 while (r < querys[i].r) {</pre>
                                                                                                      65
44
   }
                                                                                                      66
                                                                                                                    ++r;
45
   void KM() {
                                                                                                      67
                                                                                                                    add(r);
                                                               莫隊
                                                      4.11
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
46
                                                                                                      68
47
          L[i] = -1;
                                                                                                                 while (r > querys[i].r) {
                                                                                                      69
48
          Lx[i] = Ly[i] = 0;
                                                      /*利用prefix前綴XOR和
                                                                                                      70
                                                                                                                    sub(r);
49
          for (int j = 0; j < n; ++j)
                                                        如果要求[x, y]的XOR和只要回答prefix[y] ^
                                                                                                      71
                                                                                                                     --r;
              Lx[i] = max(Lx[i], W[i][j]);
50
                                                             prefix[x - 1]即可在0(1)回答
                                                                                                      72
51
                                                        同時維護cnt[i]代表[x, y]XOR和 == i的個數
                                                                                                      73
                                                                                                                 ans[querys[i].id] = res;
52
      for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                        如此我們知道[1, r]可以快速知道[1 - 1, r], [1
                                                                                                      74
          while(1) {
53
                                                             + 1, r], [1, r - 1], [1, r + 1]的答案
                                                                                                             for (int i = 1; i <= m; ++i){</pre>
                                                                                                      75
54
              memset(S, false, sizeof(S));
                                                        就符合Mo's algorithm的思維O(N * sqrt(n))
                                                                                                                 printf("%11d\n", ans[i]);
                                                                                                      76
              memset(T, false, sizeof(T));
55
                                                        每次轉移為0(1),具體轉移方法在下面*/
                                                                                                             }
                                                                                                      77
              if (match(i)) break;
56
                                                      #define maxn 100005
                                                                                                      78
                                                                                                             return 0;
57
              else update(); //去調整vertex
                                                      //在此prefix[i]是[1, i]的XOR和
                                                                                                      79 }
                   labeling以增加增廣路徑
                                                    9 int prefix[maxn];
          }
58
                                                      //log_2(1000000) =
      }
59
                                                            19.931568569324174087221916576937...
   }
60
                                                      //所以開到1 << 20
61
   int main() {
                                                      //cnt[i]代表的是有符合nums[x, y] such that
      while (scanf("%d", &n) != EOF) {
62
                                                           nums[x] ^ nums[x + 1] ^ ... ^ nums[y] ==
          for (int i = 0; i < n; ++i)
63
              for (int j = 0; j < n; ++j)
64
                                                   13 //的個數
                  scanf("%d", &W[i][j]);
65
                                                   14 long long cnt[1 << 20];
          KM();
66
                                                      //塊大小 -> sqrt(n)
67
          int res = 0;
                                                   16 int sqrtQ;
68
          for (int i = 0; i < n; ++i) {
                                                   17
                                                      struct Query {
69
              if (i != 0)
                                                   18
                                                          int 1, r, id;
                 printf(" %d", Lx[i]);
70
                                                          bool operator < (const Query& other)</pre>
                                                   19
71
72
                  printf("%d", Lx[i]);
                                                              if (this->l / sqrtQ != other.l /
                                                   20
              res += Lx[i];
73
                                                                   sqrtQ)
```

```
4.12 Blossom Algorithm
                                                     77
                                                                 cur = e.t;
                                                                                                         43
                                                                 while(cur != -1) {
                                                                                                                    L[R[c]] = R[L[c]] = c;
                                                    78
                                                                                                         44
                                                                                                         45
                                                     79
                                                                   y = p[cur];
 1 const int maxn = 500 + 10;
                                                     80
                                                                   nxt = match[y];
                                                                                                         46
                                                                                                                bool dfs(int idx=0) { // 判斷其中一解版
                                                                   match[cur] = y;
                                                     81
                                                                                                         47
                                                                                                                    if(R[0] == 0) {
   struct Edge { int s, t; };
                                                                   match[y] = cur;
                                                                                                                        resSize = idx;
                                                     82
                                                                                                         48
                                                                   cur = nxt:
                                                                                                         49
                                                                                                                        return true;
 5
   int n;
                                                                                                         50
   int base[maxn], match[maxn], p[maxn], inq[maxn];
                                                                 return true;
                                                                                                         51
                                                                                                                    int c = R[0];
   bool vis[maxn], flower[maxn];
                                                                                                                    for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
                                                               } else {
                                                                                                         52
   vector<Edge> G[maxn];
                                                                 q.push(match[e.t]);
                                                                                                         53
                                                                                                                        if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
   queue<int> q;
                                                                 inq[match[e.t]] = true;
                                                     88
                                                                                                         54
10
                                                     89
                                                                                                         55
   int lca(int a, int b) {
                                                                                                                    for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
                                                     90
                                                             }
                                                                                                         56
     memset(vis, 0, sizeof(vis));
                                                     91
                                                                                                         57
                                                                                                                        result[idx] = row[i];
     while(1) {
13
                                                     92
                                                                                                         58
                                                                                                                        for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
14
       a = base[a];
                                                          return false;
                                                                                                         59
                                                                                                                            remove(col[i]);
                                                    93
       vis[a] = true;
15
                                                                                                                        if(dfs(idx+1)) return true;
16
       if(match[a] == -1) break;
                                                    95
                                                                                                         61
                                                                                                                        for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
17
       a = p[match[a]];
                                                        int maxMatch() {
                                                                                                                            recover(col[i]);
                                                    96
                                                                                                         62
18
                                                                                                                    }
                                                    97
                                                          int res = 0:
                                                                                                         63
19
     while(1) {
                                                          memset(match, -1, sizeof(match));
                                                                                                                    recover(c):
                                                    98
                                                                                                         64
      b = base[b];
20
                                                    99
                                                          for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
                                                                                                         65
                                                                                                                    return false;
21
       if(vis[b]) return b;
                                                           if(match[i]==-1 && bfs(i)) res++;
                                                    100
                                                                                                         66
      b = p[match[b]];
22
                                                    101
                                                                                                                void dfs(int idx=0) { // 判斷最小 dfs
23
                                                    102
                                                          return res;
24
     return -1;
                                                    103 }
                                                                                                                    if(R[0] == 0) {
                                                                                                         68
   }
25
                                                                                                         69
                                                                                                                        resSize = min(resSize, idx); //
26
                                                                                                                             注意init值
   void set_path(int x, int father) {
27
                                                                                                         70
                                                                 Dancing Links
                                                        4.13
28
                                                                                                                    }
                                                                                                         71
     while(x != father) {
29
                                                                                                         72
                                                                                                                    int c = R[0];
       tmp = match[x];
30
                                                     1 struct DLX {
                                                                                                         73
                                                                                                                    for(int i=R[0]; i; i=R[i]) {
31
       flower[base[x]]=flower[base[tmp]]=1;
                                                            int seq, resSize;
                                                                                                         74
                                                                                                                        if(colSize[i] < colSize[c]) c = i;</pre>
       tmp = p[tmp]:
32
                                                            int col[maxn], row[maxn];
                                                                                                         75
33
       if(base[tmp]!=father) p[tmp] = match[x];
                                                            int U[maxn], D[maxn], R[maxn], L[maxn];
                                                                                                                    remove(c);
                                                                                                         76
34
                                                            int rowHead[maxn], colSize[maxn];
                                                                                                         77
                                                                                                                    for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
35
                                                            int result[maxn];
                                                                                                         78
                                                                                                                        for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j])
36
   }
                                                            DLX(int r, int c) {
                                                                                                                            remove(col[j]);
                                                                                                         79
37
                                                               for(int i=0; i<=c; i++) {</pre>
                                                                                                                        dfs(idx+1);
                                                                                                         80
   void blossom(int x, int y) {
38
                                                                   L[i] = i-1, R[i] = i+1;
                                                                                                                        for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j])
                                                                                                         81
     memset(flower, 0, sizeof(flower));
39
                                                     10
                                                                   U[i] = D[i] = i;
                                                                                                                            recover(col[j]);
     int father = lca(x, y);
40
                                                     11
                                                                                                                    }
                                                                                                         83
     set_path(x, father);
41
                                                     12
                                                               L[R[seq=c]=0]=c;
                                                                                                         84
                                                                                                                    recover(c);
42
     set_path(y, father);
                                                     13
                                                               resSize = -1:
                                                                                                         85
                                                                                                                }
     if(base[x] != father) p[x] = y;
43
                                                               memset(rowHead, 0, sizeof(rowHead));
                                                                                                         86 };
     if(base[y] != father) p[y] = x;
44
                                                     15
                                                               memset(colSize, 0, sizeof(colSize));
45
     for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
                                                     16
46
       if(!flower[base[i]]) continue;
                                                            void insert(int r, int c) {
                                                     17
47
       base[i] = father;
                                                     18
                                                                row[++seq]=r, col[seq]=c,
48
       if(!inq[i]) {
                                                                     ++colSize[c];
49
         q.push(i);
                                                               U[seq]=c, D[seq]=D[c], U[D[c]]=seq,
                                                     19
50
         inq[i] = true;
                                                                     D[c]=seq;
51
                                                                if(rowHead[r]) {
                                                     20
52
    }
                                                                   L[seq]=rowHead[r],
                                                    21
53
   }
                                                                        R[seq]=R[rowHead[r]];
54
                                                                   L[R[rowHead[r]]]=seq.
                                                     22
   bool bfs(int root) {
                                                                        R[rowHead[r]]=seq;
     int cur, y, nxt;
56
                                                     23
                                                               } else {
     q = queue<int>();
57
                                                     24
                                                                   rowHead[r] = L[seq] = R[seq] =
     q.push(root);
58
59
     memset(inq, 0, sizeof(inq));
                                                     25
                                                               }
     memset(p, -1, sizeof(p));
     for(int i=1; i<=n; i++) base[i] = i;</pre>
61
                                                            void remove(int c) {
                                                    27
62
                                                                L[R[c]] = L[c], R[L[c]] = R[c];
     while(!q.empty()) {
63
                                                     29
                                                                for(int i=D[c]; i!=c; i=D[i]) {
      cur = q.front();
64
                                                     30
                                                                   for(int j=R[i]; j!=i; j=R[j]) {
65
       q.pop();
                                                     31
                                                                       U[D[j]] = U[j];
       inq[cur] = false;
66
                                                     32
                                                                       D[U[j]] = D[j];
67
                                                                       --colSize[col[j]];
68
       for(auto e : G[cur]) {
                                                                   }
                                                     34
         if(base[e.s] == base[e.t]) continue;
69
                                                     35
                                                               }
         if(match[e.s] == e.t) continue;
70
                                                     36
71
         if(e.t == root ||
                                                            void recover(int c) {
                                                     37
72
           (~match[e.t] && ~p[match[e.t]])) {
                                                                for(int i=U[c]; i!=c; i=U[i]) {
          blossom(cur, e.t);
73
                                                                   for(int j=L[i]; j!=i; j=L[j]) {
                                                     39
         } else if(p[e.t] == -1) {
74
                                                                       U[D[j]] = D[U[j]] = j;
                                                     40
75
          p[e.t] = cur;
                                                     41
                                                                       ++colSize[col[j]];
76
          if(match[e.t] == -1) {
```

42

```
4.14
                                                                                                         4.16 MCMF
            Astar
                                                             G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   69
                                                   70
                                                             invertG.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   71
                                                             int s, t, k;
   /*A*求k短路
                                                             scanf("%d %d %d", &s, &t, &k);
                                                   72
     f(x) = g(x) + h(x)
                                                   73
                                                             int u, v, w;
     g(x) 是實際cost, h(x) 是估計cost
                                                             for (int i = 0; i < m; ++i) {
     在此h(x)用所有點到終點的最短距離,則當用Astar找點
                                                                 scanf("%d %d %d", &u, &v, &w);
     當該點cnt[u] == k時即得到該點的第k短路
                                                                                                      5
                                                                 G[u].emplace_back(Edge{u, v, w});
                                                   77
                                                                 invertG[v].emplace_back(Edge{v,
 7
   #define maxn 105
                                                                      u, w});
 8
   struct Edge { int u, v, w; };
                                                             }
                                                   78
   struct Item_pqH {
                                                             memset(h, 0x3f, sizeof(h));
                                                   79
10
      int u, w;
                                                   80
                                                             dijkstra(t, s);
      bool operator <(const Item_pqH& other)</pre>
                                                   81
                                                             printf("%d \setminus n", Astar(s, t, k));
            const {
                                                   82
          return this->w > other.w;
12
                                                   83
                                                          return 0;
13
                                                   84 }
  };
                                                                                                              cost) {
14
15
   struct Item_astar {
                                                                                                      15
16
      int u, g, f;
                                                      4.15 差分
17
      bool operator <(const Item_astar& other)</pre>
                                                                                                      16
            const {
          return this->f > other.f;
                                                                                                      17
18
                                                   1 用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
19
                                                                                                      18
                                                    2 b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
20 };
                                                                                                      19
                                                   3 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
21
   vector<vector<Edge>> G;
                                                                                                      20
                                                      給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
   //反向圖,用於建h(u)
                                                                                                      21
                                                      因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
   vector<vector<Edge>> invertG;
                                                      所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
   int h[maxn];
                                                      在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
   bool visited[maxn];
25
                                                                                                      23
                                                      最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
   int cnt[maxn];
   //用反向圖去求出每一點到終點的最短距離,並以此當作h(g)
                                                      這樣一來,b[]是一個在某區間加上v的前綴和。
27
                                                                                                      24
                                                     int a[1000], b[1000];
   void dijkstra(int s, int t) {
                                                                                                      25
28
                                                      // a: 前綴和數列, b: 差分數列
                                                   11
      memset(visited, 0, sizeof(visited));
                                                                                                      26
                                                   12 int main(){
      priority_queue<Item_pqH> pq;
30
                                                                                                      27
                                                         int n, 1, r, v;
                                                   13
31
      pq.push({s, 0});
                                                                                                      28
                                                   14
                                                          cin >> n;
      h[s] = 0;
                                                                                                      29
32
                                                   15
                                                          for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
33
      while (!pq.empty()) {
                                                                                                      30
                                                   16
                                                             cin >> a[i];
34
          Item_pqH curr = pq.top();
                                                                                                      31
                                                   17
                                                             b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
35
          pq.pop();
                                                                                                      32
                                                   18
36
          visited[curr.u] = true;
                                                                                                      33
                                                   19
                                                         cin >> 1 >> r >> v;
37
          for (Edge& edge: invertG[curr.u]) {
                                                                                                      34
                                                         b[1] += v;
                                                   20
              if (!visited[edge.v]) {
38
                                                         b[r+1] -= v;
                                                   21
                 if (h[edge.v] > h[curr.u] +
39
                                                                                                      36
                                                          for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
                                                   22
                       edge.w) {
                                                   23
                                                             b[i] += b[i-1];
                     h[edge.v] = h[curr.u] +
                                                                                                      37
40
                                                             cout << b[i] << ' ';
                                                   24
                          edge.w;
                                                         }
                                                   25
                     pq.push({edge.v,
41
                                                   26 }
                          h[edge.v]});
                                                                                                      38
42
                 }
43
              }
                                                                                                      39
          }
44
                                                                                                      40
45
      }
46
   }
   int Astar(int s, int t, int k) {
47
48
      memset(cnt, 0, sizeof(cnt));
                                                                                                      41
49
      priority_queue<Item_astar> pq;
                                                                                                      42
50
      pq.push({s, 0, h[s]});
                                                                                                      43
      while (!pq.empty()) {
51
                                                                                                      44
          Item_astar curr = pq.top();
                                                                                                      45
52
                                                                                                                    }
          pq.pop();
                                                                                                                }
53
                                                                                                      46
54
          ++cnt[curr.u];
                                                                                                      47
55
          //終點出現k次,此時即可得k短路
                                                                                                      48
          if (cnt[t] == k)
56
                                                                                                      49
57
              return curr.g;
                                                                                                      50
          for (Edge& edge: G[curr.u]) {
                                                                                                      51
58
              if (cnt[edge.v] < k) {</pre>
59
                                                                                                      52
60
                  pq.push({edge.v, curr.g +
                                                                                                      53
                       edge.w, curr.g + edge.w
                                                                                                      54
                       + h[edge.v]});
                                                                                                      55
61
              }
                                                                                                      56
          }
62
63
      }
64
      return -1;
                                                                                                      58
65
   }
   int main() {
                                                                                                      59
66
                                                                                                            }
      int n, m;
                                                                                                      60
      while (scanf("%d %d", &n, &m) && (n != 0
68
                                                                                                      61
            && m != 0)) {
                                                                                                      62 }
```

11

```
1 #define maxn 225
  #define INF 0x3f3f3f3f
  struct Edge {
     int u, v, cap, flow, cost;
  //node size, edge size, source, target
  int n, m, s, t;
  vector<vector<int>>> G;
  vector<Edge> edges;
  bool inqueue[maxn];
  long long dis[maxn];
  int parent[maxn];
  long long outFlow[maxn];
  void addEdge(int u, int v, int cap, int
     edges.emplace_back(Edge{u, v, cap, 0,
          cost}):
     edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, 0,
          -cost});
     m = edges.size();
     G[u].emplace_back(m - 2);
     G[v].emplace_back(m - 1);
  //一邊求最短路的同時一邊MaxFLow
  bool SPFA(long long& maxFlow, long long&
       minCost) {
      // memset(outFlow, 0x3f,
          sizeof(outFlow));
     memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
     memset(inqueue, false, sizeof(inqueue));
     queue<int> q;
     q.push(s):
     dis[s] = 0;
     inqueue[s] = true;
     outFlow[s] = INF;
     while (!q.empty()) {
         int u = q.front();
         q.pop();
         inqueue[u] = false;
         for (const int edgeIndex: G[u]) {
             const Edge& edge =
                  edges[edgeIndex];
             if ((edge.cap > edge.flow) &&
                  (dis[edge.v] > dis[u] +
                  edge.cost)) {
                dis[edge.v] = dis[u] +
                     edge.cost;
                parent[edge.v] = edgeIndex;
                outFlow[edge.v] =
                     min(outFlow[u], (long
                     long)(edge.cap -
                     edge.flow));
                if (!inqueue[edge.v]) {
                    q.push(edge.v);
                    inqueue[edge.v] = true;
     //如果dis[t] > 0代表根本不賺還倒賠
     if (dis[t] > 0)
         return false;
     maxFlow += outFlow[t];
     minCost += dis[t] * outFlow[t];
     //一路更新回去這次最短路流完後要維護的
     //MaxFlow演算法相關(如反向邊等)
     int curr = t;
     while (curr != s) {
         edges[parent[curr]].flow +=
              outFlow[t];
         edges[parent[curr] ^ 1].flow -=
              outFlow[t];
         curr = edges[parent[curr]].u;
     return true;
```

long long MCMF() { long long maxFlow = 0; 64 long long minCost = 0; 65 66 while (SPFA(maxFlow, minCost)) 67 return minCost; 68 } 69 70 int main() { 71 int T; scanf("%d", &T); 72 73 for (int Case = 1; Case <= T; ++Case){</pre> //總共幾個月,囤貨成本 74 75 int M, I; scanf("%d %d", &M, &I); 76 77 //node size 78 n = M + M + 2;G.assign(n + 5, vector<int>()); 79 edges.clear(); 80 s = 0;81 82 t = M + M + 1; for (int i = 1; i <= M; ++i) {</pre> 83 int produceCost, produceMax, 84 sellPrice, sellMax, inventoryMonth; scanf("%d %d %d %d %d", 85 &produceCost, &produceMax, &sellPrice, &sellMax, &inventoryMonth); addEdge(s, i, produceMax, 86 produceCost); addEdge(M + i, t, sellMax, 87 -sellPrice); for (int j = 0; j <=</pre> inventoryMonth; ++j) { if (i + j <= M)</pre> 89 addEdge(i, M + i + j, INF,90 I * j); 91 } } 92 93 printf("Case %d: %lld\n", Case, -MCMF()); 94 95 return 0; 96 }

4.17 LCA 倍增法

```
1 //倍增法預處理O(nlogn),查詢O(logn),
   //利用1ca找樹上任兩點距離
  #define maxn 100005
   struct Edge { int u, v, w; };
  vector<vector<Edge>> G; // tree
   int fa[maxn][31]; //fa[u][i] -> u的第2<sup>i</sup>個祖先
   long long dis[maxn][31];
   int dep[maxn];//深度
                                                    6
   void dfs(int u, int p) {//預處理fa
10
       fa[u][0] = p; //因為u的第2<sup>0</sup> = 1的祖先就是p
                                                    R
       dep[u] = dep[p] + 1;
11
12
       //第2^{i}的祖先是(第2^{i} - 1)個祖先)的
       //第2<sup>^</sup>(i - 1)的祖先
13
14
       //ex: 第8個祖先是 (第4個祖先)的第4個祖先
       for (int i = 1; i < 31; ++i) {
15
16
          fa[u][i] = fa[fa[u][i - 1]][i - 1];
          dis[u][i] = dis[fa[u][i - 1]][i - 1]
17
               + dis[u][i - 1];
                                                   15
                                                   16
18
       //遍歷子節點
                                                   17
19
20
       for (Edge& edge: G[u]) {
                                                   18
          if (edge.v == p) continue;
21
                                                   19
22
          dis[edge.v][0] = edge.w;
                                                   20
23
          dfs(edge.v, u);
                                                   21
      }
24
                                                   22
25 }
26
  long long lca(int x, int y) {
       //此函數是找lca同時計算x \cdot y的距離 -> dis(x,
                                                   24
            lca) + dis(lca, y)
       //讓y比x深
                                                   25
28
       if (dep[x] > dep[y])
                                                   26
                                                   27
30
          swap(x, y);
31
       int deltaDep = dep[y] - dep[x];
                                                   28
      long long res = 0;
32
                                                   29
       //讓y與x在同一個深度
33
      for (int i = 0; deltaDep != 0; ++i,
                                                   30
            deltaDep >>= 1)
          if (deltaDep & 1)
35
                                                   31
              res += dis[y][i], y = fa[y][i];
36
                                                   32
37
       if (y == x) //x = y -> x \cdot y彼此是彼此的祖先
                                                   33
38
          return res;
       //往上找,一起跳,但x、y不能重疊
39
                                                   35
40
      for (int i = 30; i \ge 0 && y != x; --i) {
          if (fa[x][i] != fa[y][i]) {
41
                                                   36
              res += dis[x][i] + dis[y][i];
42
                                                   37
43
              x = fa[x][i];
                                                   38
44
              y = fa[y][i];
                                                   39
45
                                                   40
                                                   41
46
       //最後發現不能跳了,此時x的第2<sup>0</sup> =
            1個祖先(或說y的第2^0 =
                                                   43
            1的祖先)即為x \times y的1ca
                                                   44
48
       res += dis[x][0] + dis[y][0];
                                                   45
      return res;
49
                                                   46
50 }
                                                   47
51
                                                   48
  int main() {
52
     int n, q;
                                                   49
     while (~scanf("%d", &n) && n) {
53
                                                   50
                                                   51
54
      int v. w:
55
      G.assign(n + 5, vector<Edge>());
                                                   52
          for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                   53
56
        scanf("%d %d", &v, &w);
57
                                                   54
        G[i + 1].push_back({i + 1, v + 1, w});
                                                   55
                                                      }
58
        G[v + 1].push_back({v + 1, i + 1, w});
59
                                                   56
60
                                                   57
61
          dfs(1, 0);
                                                   58
62
          scanf("%d", &q);
                                                   59
63
          int u;
                                                   60
64
          while (q--) {
              scanf("%d %d", &u, &v);
                                                   61 }
65
              66
                                                   62
                                                   63
          }
67
                                                   64
68
    }
                                                   65
69 }
```

4.18 LCA 樹壓平 RMQ

```
1 //樹壓平求LCA RMQ(sparse table
        O(nlogn)建立, O(1)查詢), 求任意兩點距離,
   //如果用笛卡兒樹可以壓到0(n)建立,0(1)查詢
   //理論上可以過,但遇到直鏈的case dfs深度會stack
       overflow
   #define maxn 100005
  struct Edge {
   int u, v, w;
   };
  int dep[maxn], pos[maxn];
  long long dis[maxn];
  int st[maxn * 2][32]; //sparse table
  int realLCA[maxn * 2][32];
        //最小深度對應的節點,及真正的LCA
  int Log[maxn]; //取代std::log2
  int tp; // timestamp
   vector<vector<Edge>> G; // tree
   void calLog() {
    Log[1] = 0;
    Log[2] = 1;
    for (int i = 3; i < maxn; ++i)</pre>
      Log[i] = Log[i / 2] + 1;
   void buildST() {
    for (int j = 0; Log[tp]; ++j) {
      for (int i = 0; i + (1 << j) - 1 < tp;
           ++i) {
        if (st[i - 1][j] < st[i - 1][j + (1 <<
             i - 1)]) {
          st[i][j] = st[i - 1][j];
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j];
        else {
          st[i][j] = st[i - 1][j + (1 << i -
          realLCA[i][j] = realLCA[i - 1][j + (1)]
               << i - 1)];
      }
    }
34 } // O(nlogn)
  int query(int 1, int r) {// [1, r] min
        depth即為1ca的深度
    int k = Log[r - 1 + 1];
    if (st[l][k] < st[r - (1 << k) + 1][k])</pre>
      return realLCA[1][k];
    else
      return realLCA[r - (1 << k) + 1][k];</pre>
   void dfs(int u, int p) {//euler tour
    pos[u] = tp;
    st[tp][0] = dep[u];
    realLCA[tp][0] = dep[u];
    ++tp:
    for (int i = 0; i < G[u].size(); ++i) {</pre>
      Edge& edge = G[u][i];
      if (edge.v == p) continue;
      dep[edge.v] = dep[u] + 1;
      dis[edge.v] = dis[edge.u] + edge.w;
      dfs(edge.v, u);
      st[tp++][0] = dep[u];
  long long getDis(int u, int v) {
    if (pos[u] > pos[v])
      swap(u, v);
    int lca = query(pos[u], pos[v]);
    return dis[u] + dis[v] - 2 *
         dis[query(pos[u], pos[v])];
  int main() {
    int n, q;
      calLog();
    while (~scanf("%d", &n) && n) {
66
      int v, w;
      G.assign(n + 5, vector<Edge>());
```

```
Jc11
                                                                          FJCU
                                                             if (depth[top[u]] > depth[top[v]])
68
      tp = 0;
                                                  55
69
          for (int i = 1; i <= n - 1; ++i) {
                                                  56
                                                                u = parent[top[u]];
        scanf("%d %d", &v, &w);
70
                                                  57
                                                             else
71
        G[i].push_back({i, v, w});
                                                                 v = parent[top[v]];
72
        G[v].push_back({v, i, w});
                                                  59
73
                                                         return (depth[u] > depth[v]) ? v : u;
                                                  60
                                                  61 }
74
          dfs(0, -1);
75
          buildST();
                                                     int getK_parent(int u, int k) {
                                                  62
76
          scanf("%d", &q);
                                                  63
                                                         while (k-- && (u != -1))
77
                                                            u = parent[u];
          int u:
                                                  64
78
          while (q--) {
                                                  65
                                                         return u;
              scanf("%d %d", &u, &v);
                                                  66 }
79
              printf(\textit{"%11d%c"}, \; getDis(u, \; v), \\
80
                                                     int main() {
                                                  67
                   (q) ? ' ' : '\n');
                                                         int n;
                                                  68
                                                         while (scanf("%d", &n) && n) {
81
                                                  69
82
     }
                                                  70
                                                             dfsTime = 1;
                                                             G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                  71
83
     return 0;
                                                             for (int i = 1; i < n; ++i) {
                                                  73
                                                  74
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
   4.19 LCA 樹鍊剖分
                                                  75
                                                                 G[u].emplace_back(v);
                                                  76
                                                                G[v].emplace_back(u);
                                                  77
 1 #define maxn 5005
                                                  78
                                                             dfs1(1, -1);
   //LCA,用來練習樹鍊剖分
                                                             dfs2(1, 1);
                                                  79
   //題意: 給定樹,找任兩點的中點,
                                                  80
                                                             int q;
   //若中點不存在(路徑為even),就是中間的兩個點
                                                             scanf("%d", &q);
                                                  81
   int dfn[maxn];
                                                  82
                                                             for (int i = 0; i < q; ++i) {
   int parent[maxn];
                                                                 scanf("%d %d", &u, &v);
                                                  83
   int depth[maxn];
                                                  84
                                                                 //先得到LCA
 8 int subtreeSize[maxn];
                                                  85
                                                                int lca = LCA(u, v);
   //樹鍊的頂點
                                                  86
                                                                 //計算路徑長(經過的邊)
10
  int top[maxn];
                                                  87
                                                                 int dis = depth[u] + depth[v] - 2
   //將dfn轉成node編碼
                                                                      * depth[lca];
  int dfnToNode[maxn];
                                                                 //讓v比u深或等於
                                                  88
   //重兒子
                                                                 if (depth[u] > depth[v])
                                                  89
14 int hson[maxn];
                                                  90
                                                                    swap(u. v):
15 int dfsTime = 1;
                                                  91
                                                                 if (u == v) {
16
   //tree
                                                                    printf("The fleas meet at
                                                  92
17
   vector<vector<int>> G:
                                                                         %d.\n", u);
   //處理parent、depth、subtreeSize、dfnToNode
                                                  93
19
   void dfs1(int u, int p) {
                                                                else if (dis % 2 == 0) {
                                                  94
20
      parent[u] = p;
                                                  95
                                                                    //路徑長是even -> 有中點
21
      hson[u] = -1;
                                                                    printf("The fleas meet at
                                                  96
22
      subtreeSize[u] = 1;
                                                                         %d.\n", getK_parent(v,
23
      for (int v: G[u]) {
                                                                         dis / 2));
24
          if (v != p) {
25
              depth[v] = depth[u] + 1;
                                                                else {
                                                  98
26
              dfs1(v, u);
                                                  99
                                                                    //路徑長是odd -> 沒有中點
27
              subtreeSize[u] += subtreeSize[v];
                                                  100
                                                                    if (depth[u] == depth[v]) {
28
              if (hson[u] == -1 ||
                                                                        int x = getK_parent(u, dis
                                                 101
                   subtreeSize[hson[u]] <</pre>
                                                                             / 2);
                   subtreeSize[v]) {
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
                                                 102
                 hson[u] = v;
29
                                                                             / 2);
              }
30
                                                 103
                                                                        if (x > y) swap(x, y);
31
          }
                                                                        printf("The fleas jump
                                                 104
      }
32
                                                                             forever between %d
33
                                                                             and %d.\n", x, y);
34
   //實際剖分 <- 參數 t是 top的意思
                                                                    }
                                                 105
   //t初始應為root本身
35
                                                                    else {
                                                 106
36
   void dfs2(int u, int t) {
                                                 107
                                                                        //技巧: 讓深的點v往上dis /
37
      top[u] = t;
                                                                             2步 = y,
38
      dfn[u] = dfsTime;
                                                                        //這個點的parent設為x
                                                 108
      dfnToNode[dfsTime] = u;
39
                                                 109
                                                                        //此時的x、y就是答案要的中點兩點
40
      ++dfsTime;
                                                                        //主要是往下不好找,所以改用深的點用parent往上
                                                 110
41
      //葉子點 -> 沒有重兒子
                                                 111
                                                                        int y = getK_parent(v, dis
42
      if (hson[u] == -1)
                                                                             / 2);
43
          return;
                                                 112
                                                                        int x = getK_parent(y, 1);
44
       //優先對重兒子dfs,才能保證同一重鍊dfn連續
                                                                        if (x > y) swap(x, y);
                                                 113
45
      dfs2(hson[u], t);
                                                                        printf("The fleas jump
                                                 114
46
      for (int v: G[u]) {
                                                                             forever between %d
47
          if (v != parent[u] && v != hson[u])
                                                                             and %d.\n", x, y);
48
              dfs2(v, v);
                                                 115
                                                                    }
49
                                                 116
                                                                }
```

}

return 0;

117

118

119

120 }

}

52

53

//不斷跳鍊,當跳到同一條鍊時,深度小的即為LCA

while (top[u] != top[v]) {

//跳鍊時優先鍊頂深度大的跳

int LCA(int u, int v) {

5 DataStructure

5.1 BIT

```
template <class T> class BIT {
   private:
    int size;
     vector<T> bit;
    vector<T> arr;
 6
   public:
7
    BIT(int sz=0):
 8
      size(sz), bit(sz+1), arr(sz) {}
10
11
     /** Sets the value at index idx to val. */
     void set(int idx, T val) {
12
13
      add(idx, val - arr[idx]);
    }
14
15
     /** Adds val to the element at index idx.
16
17
     void add(int idx, T val) {
18
      arr[idx] += val;
19
       for (++idx; idx<=size; idx+=(idx & -idx))</pre>
20
         bit[idx] += val;
    }
21
22
     /** The sum of all values in [0, idx]. */
23
24
     T pre_sum(int idx) {
25
      T total = 0;
      for (++idx; idx>0; idx-=(idx & -idx))
26
27
         total += bit[idx];
28
       return total;
29
30 };
```

5.2 帶權併查集

```
val[x] 為 x 到 p[x] 的距離 (隨題目變化更改)
    merge(u, v, w)
         u \xrightarrow{w} v
         pu = pv 時,val[v] - val[u] \neq w 代表有誤
    若 [l,r] 的總和為 w,則應呼叫 merge(l-1, r, w)
 1 const int maxn = 2e5 + 10;
   int p[maxn], val[maxn];
 3
   int findP(int x) {
       if(p[x] == -1) return x;
 7
       int par = findP(p[x]);
 8
       val[x] += val[p[x]]; //依題目更新val[x]
9
       return p[x] = par;
10 }
   void merge(int u, int v, int w) {
12
13
       int pu = findP(u);
       int pv = findP(v);
14
       if(pu == pv) {
15
16
          // 理論上 val[v]-val[u] == w
          // 依題目判斷 error 的條件
17
18
          return;
19
       val[pv] = val[u] - val[v] + w;
20
       p[pv] = pu;
21
```

5.3 線段樹 1D

```
1 #define MAXN 1000
2 int data[MAXN]; //原數據
3 int st[4 * MAXN]; //線段樹
 4 int tag[4 * MAXN]; //懶標
 5 inline int pull(int l, int r) {
                                                   5
 6 // 隨題目改變 sum、max、min
   // 1、r是左右樹的index
      return st[l] + st[r];
8
                                                   6
9 }
10 void build(int 1, int r, int i) {
                                                   8
   // 在[1, r]區間建樹, 目前根的index為i
11
12
      if (1 == r) {
                                                   9
          st[i] = data[l];
                                                  10
13
14
15
16
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
      build(1, mid, i * 2);
17
                                                  12
      build(mid + 1, r, i * 2 + 1);
18
       st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
19
20 }
                                                  13
21 int qry(int ql, int qr, int l, int r, int i){ 14
   // [q1,qr]是查詢區間, [1,r]是當前節點包含的區間
                                                  15
      if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
23
                                                  16
          return st[i];
                                                  17
24
       int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
25
       if (tag[i]) {
                                                  18
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
27
                                                  19
28
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
29
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
          tag[i * 2] += tag[i];
30
                                                  20
31
          tag[i*2+1] += tag[i];
                                                  21
          tag[i] = 0;
32
33
      }
      int sum = 0;
34
                                                  22
35
      if (ql <= mid)</pre>
36
          sum+=query(ql, qr, l, mid, i * 2);
37
       if (qr > mid)
                                                  23
          sum+=query(ql, qr, mid+1, r, i*2+1);
                                                     }
38
                                                  24
39
       return sum:
                                                  25
40 }
41
   void update(
                                                  26
      int ql,int qr,int l,int r,int i,int c) {
                                                  27
42
   // [q1,qr]是查詢區間, [1,r]是當前節點包含的區間
43
   // c是變化量
44
                                                  28
      if (ql <= 1 && r <= qr) {</pre>
45
                                                  29
          st[i] += (r - l + 1) * c;
46
                                                  30
               //求和,此需乘上區間長度
                                                  31
47
          tag[i] += c;
                                                  32
48
          return:
      int mid = 1 + ((r - 1) >> 1);
50
                                                  34
51
      if (tag[i] && 1 != r) {
52
          //如果當前懶標有值則更新左右節點
                                                  35
          st[i * 2] += tag[i] * (mid - 1 + 1);
53
          st[i * 2 + 1] += tag[i] * (r - mid);
                                                  36
55
          tag[i * 2] += tag[i]; //下傳懶標至左節點
                                                  37 }
          tag[i*2+1] += tag[i]; //下傳懶標至右節點
56
                                                  38
57
          tag[i] = 0;
58
       if (ql <= mid) update(ql, qr, l, mid, i</pre>
           * 2, c);
                                                  40
       if (qr > mid) update(ql, qr, mid+1, r,
           i*2+1, c);
                                                  41
61
      st[i] = pull(i * 2, i * 2 + 1);
62 }
                                                  42
63 //如果是直接改值而不是加值,query與update中的tag與sten
64 //改值從+=改成=
                                                  44
                                                  45
                                                  46
                                                  47
                                                  48
                                                  49
```

5.4 線段樹 2D

```
1 //純2D segment tree 區間查詢單點修改最大最小值
  #define maxn 2005 //500 * 4 + 5
   int maxST[maxn][maxn], minST[maxn][maxn];
  void modifyY(int index, int 1, int r, int
        val, int yPos, int xIndex, bool
        xIsLeaf) {
      if (1 == r) {
          if (xIsLeaf) {
             maxST[xIndex][index] =
                  minST[xIndex][index] = val;
              return;
          }
          maxST[xIndex][index] =
               max(maxST[xIndex * 2][index],
               maxST[xIndex * 2 + 1][index]);
          minST[xIndex][index] =
               min(minST[xIndex * 2][index],
               minST[xIndex * 2 + 1][index]);
      }
          int mid = (1 + r) / 2;
          if (yPos <= mid)</pre>
              modifyY(index * 2, 1, mid, val,
                   yPos, xIndex, xIsLeaf);
              modifyY(index * 2 + 1, mid + 1,
                   r, val, yPos, xIndex,
                   xIsLeaf);
          maxST[xIndex][index] =
               max(maxST[xIndex][index * 2],
               maxST[xIndex][index * 2 + 1]);
          minST[xIndex][index] =
               min(minST[xIndex][index * 2],
               minST[xIndex][index * 2 + 1]);
  void modifyX(int index, int 1, int r, int
       val, int xPos, int yPos) {
      if (1 == r) {
          modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
               true);
      }
      else {
          int mid = (1 + r) / 2;
          if (xPos <= mid)</pre>
              modifyX(index * 2, 1, mid, val,
                   xPos, yPos);
             modifyX(index * 2 + 1, mid + 1,
                  r, val, xPos, yPos);
          modifyY(1, 1, N, val, yPos, index,
               false):
      }
  void queryY(int index, int 1, int r, int
        yql, int yqr, int xIndex, int& vmax,
        int &vmin) {
      if (yql <= 1 && r <= yqr) {</pre>
          vmax = max(vmax,
              maxST[xIndex][index]);
          vmin = min(vmin,
               minST[xIndex][index]);
      }
      else
          int mid = (1 + r) / 2;
          if (yql <= mid)</pre>
             queryY(index * 2, 1, mid, yql,
                   yqr, xIndex, vmax, vmin);
          if (mid < yqr)</pre>
              queryY(index * 2 + 1, mid + 1, r,
                   yql, yqr, xIndex, vmax,
                   vmin):
50
      }
```

51 void queryX(int index, int 1, int r, int 52 xql, int xqr, int yql, int yqr, int& vmax, int& vmin) { if (xql <= 1 && r <= xqr) {</pre> 53 queryY(1, 1, N, yql, yqr, index, vmax, vmin); 55 56 else { 57 int mid = (1 + r) / 2;58 if (xql <= mid)</pre> queryX(index * 2, 1, mid, xql, 59 xqr, yql, yqr, vmax, vmin); 60 if (mid < xqr)</pre> 61 queryX(index * 2 + 1, mid + 1, r,xql, xqr, yql, yqr, vmax, vmin); 62 } 63 int main() { 64 while (scanf("%d", &N) != EOF) { 65 int val: 66 67 for (int i = 1; $i \le N$; ++i) { 68 for (int j = 1; $j \le N$; ++j) { scanf("%d", &val); 69 70 modifyX(1, 1, N, val, i, j); 71 } 72 73 int q; 74 int vmax, vmin; 75 int xql, xqr, yql, yqr; char op; 76 scanf("%d", &q); 77 78 while (q--) { 79 getchar(); //for \n scanf("%c", &op); 80 81 if (op == 'q') { scanf("%d %d %d %d", &xql, 82 &yql, &xqr, &yqr); vmax = -0x3f3f3f3f;83 vmin = 0x3f3f3f3f; 84 85 queryX(1, 1, N, xql, xqr, yql, yqr, vmax, vmin); printf("%d %d\n", vmax, vmin); 86 87 } else { 88 scanf("%d %d %d", &xql, &yql, &val); 90 modifyX(1, 1, N, val, xql, yql); 91 } 92 } 93 94 return 0;

5.5 權值線段樹

11

14

27

31

36

41

47

48

51

53

54

56

57

61

63

64

```
1 //權值線段樹 + 離散化 解決區間第 k小問題
   //其他網路上的解法: 2個heap, Treap, AVL tree
   #define maxn 30005
   int nums[maxn];
   int getArr[maxn];
   int id[maxn];
   int st[maxn << 2];</pre>
   void update(int index, int 1, int r, int qx){
       if (1 == r) {
10
          ++st[index];
                                                     10 };
           return:
12
                                                     11
       int mid = (1 + r) / 2;
13
                                                     12
       if (qx <= mid)</pre>
          update(index * 2, 1, mid, qx);
15
16
           update(index * 2 + 1, mid + 1, r, qx);
17
       st[index] = st[index * 2] + st[index * 2]
                                                     16
19 }
                                                     17
   //找區間第k個小的
   int query(int index, int 1, int r, int k) {
21
                                                     18
       if (1 == r) return id[1];
                                                     19
22
       int mid = (1 + r) / 2;
                                                     20
23
       //k比左子樹小
24
                                                     21
       if (k <= st[index * 2])</pre>
25
26
           return query(index * 2, 1, mid, k);
                                                     23
                                                     24
28
           return query(index * 2 + 1, mid + 1,
                                                     25
                r, k - st[index * 2]);
                                                     26
29 }
                                                     27
30 int main() {
                                                     28
       int t;
                                                     29 }
       cin >> t;
32
       bool first = true;
                                                     30
33
       while (t--) {
34
           if (first) first = false;
35
           else puts("");
                                                     32
37
          memset(st, 0, sizeof(st));
                                                     33
           int m, n;
38
39
           cin >> m >> n;
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {</pre>
40
               cin >> nums[i];
                                                     36
              id[i] = nums[i];
                                                     37
42
43
                                                     38
44
           for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                     39
45
              cin >> getArr[i];
                                                     40
46
                                                     41
           //防止m == 0
           if (m) sort(id + 1, id + m + 1);
           int stSize = unique(id + 1, id + m +
49
                                                     43
                1) - (id + 1);
                                                     44
50
           for (int i = 1; i <= m; ++i) {
                                                     45
              nums[i] = lower_bound(id + 1, id
                    + stSize + 1, nums[i]) - id;
                                                     46
                                                     47 }
52
           int addCount = 0;
           int getCount = 0;
55
           int k = 1;
           while (getCount < n) {</pre>
               if (getArr[getCount] == addCount)
                                                     51
                  printf("%d\n", query(1, 1,
                                                     53
58
                       stSize, k));
                                                     54
59
                  ++getCount;
                                                     55
60
              }
62
                                                     56
                  update(1, 1, stSize,
                                                     57
                       nums[addCount + 1]);
                                                     58
                  ++addCount;
65
                                                     59
          }
                                                     60
66
                                                     61
67
      }
68 }
```

63

return -1;

5.6 ChthollyTree

```
//重點: 要求輸入資料隨機, 否則可能被卡時間
  struct Node {
      long long l, r;
      mutable long long val;
      Node(long long 1, long long r, long long
         : 1(1), r(r), val(val){}
      bool operator<(const Node& other) const {</pre>
         return this->1 < other.1;</pre>
  set<Node> chthollyTree;
  //將[1, r] 拆成 [1, pos - 1], [pos, r]
  set<Node>::iterator split(long long pos) {
      //找第一個左端點大於等於pos的區間
      set<Node>::iterator it =
           chthollyTree.lower_bound(Node(pos,
           0, 0));
      //運氣很好直接找到左端點是pos的區間
      if (it != chthollyTree.end() && it->l ==
         return it:
      //到這邊代表找到的是第一個左端點大於pos的區間
      //it - 1即可找到左端點等於pos的區間
      //(不會是別的,因為沒有重疊的區間)
      --it;
      long long l = it->l, r = it->r;
      long long val = it->val;
      chthollyTree.erase(it);
      chthollyTree.insert(Node(1, pos-1, val));
      //回傳左端點是pos的區間iterator
      return chthollyTree.insert(Node(pos, r,
           val)).first;
  void assign(long long l, long long r, long
       long val) {
      //<注意>
      //end與begin的順序不能調換,因為end的split可能會改變
      //因為end可以在原本begin的區間中
      set<Node>::iterator end = split(r + 1),
          begin = split(1);
      //begin到end全部刪掉
      chthollyTree.erase(begin, end);
      //填回去[1, r]的區間
      chthollyTree.insert(Node(1, r, val));
  //區間加值(直接一個個區間去加)
  void add(long long l, long long r, long long
       val) {
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
      set<Node>::iterator begin = split(1);
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
           != end; ++it)
         it->val += val;
  //查詢區間第k小 -> 直接把每個區間丟去vector排序
  long long getKthSmallest(long long 1, long
       long r, long long k) {
      set<Node>::iterator end = split(r + 1);
      set<Node>::iterator begin = split(1);
      //pair -> first: val, second: 區間長度
      vector<pair<long long, long long>> vec;
      for (set<Node>::iterator it = begin; it
           != end; ++it) {
         vec.push_back({it->val, it->r - it->l
      sort(vec.begin(), vec.end());
      for (const pair<long long, long long>&
          p: vec) {
         k -= p.second;
         if (k <= 0) return p.first;</pre>
62
      //不應該跑到這
```

1 const int maxc = 26;

struct TrieNode {

TrieNode() {

struct Trie {

TrieNode* root;

cur->cnt++;

cur->cnt--;

// 字典裡有出現 word

TrieNode* cur = root;

for(auto& ch : word) {

int c = ch - minc;

return cur->cnt || prefix;

// 字典裡有 word 的前綴為 prefix

bool startsWith(string prefix) {

return search(prefix, true);

int cnt:

10

11

12

15

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27

14 };

13 }

const char minc = 'a';

TrieNode* child[maxc];

node = nullptr;

for(auto& node : child) {

Trie() { root = new TrieNode(); }

cur->child[c] = new TrieNode();

void insert(string word) {

for(auto& ch : word) {

int c = ch - minc:

if(!cur->child[c])

cur = cur->child[c];

void remove(string word) {

TrieNode* cur = root;

for(auto& ch : word) {

int c = ch - minc;

cur = cur->child[c];

if(!cur->child[c]) return;

bool search(string word, bool prefix=0) {

if(!(cur=cur->child[c])) return false;

TrieNode* cur = root;

64 } 65 //快速幕 66 long long qpow(long long x, long long n, long long mod) { long long res = 1; 67 x % = mod;68 69 while (n) { 70 **if** (n & 1) res = res * x % mod; 71 n >>= 1; 72 x = x * x % mod;73 74 return res; 75 } 76 //區間n次方和 77 long long sumOfPow(long long l, long long r, long long n, long long mod) { long long total = 0; 78 set<Node>::iterator end = split(r + 1); set<Node>::iterator begin = split(1); ลด for (set<Node>::iterator it = begin; it 81 != end; ++it) { total = (total+gpow(it->val,n,mod) * 82 (it->r-it->l+1))%mod; 83 84 return total; 85 }

5.7 單調隊列

46 }

```
28
                                                    29
   //單調隊列
                                                    30
   "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"
                                                     32
   example:
                                                     33
   給出一個長度為 n 的數組,
                                                     34
   輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
                                                     35
                                                     36
   #define maxn 1000100
                                                     37
   int q[maxn], a[maxn];
                                                     38
   int n, k;
                                                     39
11
   //得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
                                                     40
12
   void getmin() {
                                                     41
13
       int head=0,tail=0;
                                                     42
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
14
                                                     43
15
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                     44
                tail---
                                                     45
16
          q[++tail]=i;
                                                     46
17
                                                     47
18
       for(int i=k; i<=n;i++) {</pre>
                                                     48
19
          while(head<=tail&&a[q[tail]]>=a[i])
                                                     49
                tail--:
20
          α[++tail]=i:
                                                    51
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
21
                                                     52
          cout<<a[q[head]]<<" ";
22
                                                    53
23
                                                     54
       cout<<endl;</pre>
24
                                                     55
25
   }
                                                     56|};
   // 和上面同理
26
27
   void getmax() {
28
       int head=0,tail=0;
29
       for(int i=1;i<k;i++) {</pre>
30
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
31
          q[++tail]=i;
32
       for(int i=k;i<=n;i++) {</pre>
33
34
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
35
          q[++tail]=i;
36
          while(q[head]<=i-k) head++;</pre>
37
          cout<<a[q[head]]<<" ";
38
39
       cout<<endl;
40
   }
41
   int main(){
       cin>>n>>k; //每k個連續的數
42
       for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];
43
44
       getmin();
45
       getmax();
```

5.8 Trie 5.9 AC Trie

// 單字字符數

// 首個 ASCII

```
const int maxn = 1e4 + 10; // 單字字數
   const int maxl = 50 + 10; // 單字字長
   const int maxc = 128; // 單字字符數
   const char minc = ' '; // 首個 ASCII
   int trie[maxn*maxl][maxc]; // 原字典樹
   int val[maxn*maxl];
                          // 結尾(單字編號)
   int cnt[maxn*max1];
                            // 結尾(重複個數)
   int fail[maxn*maxl];
                            // failure link
10
  bool vis[maxn*maxl];
                            // 同單字不重複
12
   struct ACTrie {
    int seq, root;
13
14
15
    ACTrie() {
      seq = 0;
      root = newNode();
17
18
19
    int newNode() {
20
21
      for(int i=0; i<maxc; i++) trie[seq][i]=0;</pre>
      val[seq] = cnt[seq] = fail[seq] = 0;
22
23
      return seq++;
24
25
    void insert(char* s, int wordId=0) {
      int p = root;
27
28
      for(; *s; s++) {
        int c = *s - minc;
29
        if(!trie[p][c]) trie[p][c] = newNode();
30
31
        p = trie[p][c];
32
33
      val[p] = wordId;
34
      cnt[p]++;
35
36
37
    void build() {
      queue<int> q({root});
38
39
      while(!q.empty()) {
40
        int p = q.front();
41
        q.pop();
        for(int i=0; i<maxc; i++) {</pre>
42
          int& t = trie[p][i];
43
44
          if(t) {
45
            fail[t] = p?trie[fail[p]][i]:root;
46
            q.push(t);
          } else {
47
48
            t = trie[fail[p]][i];
49
50
51
      }
52
53
54
    // 要存 wordId 才要 vec
    // 同單字重複match要把所有vis取消掉
56
    int match(char* s, vector<int>& vec) {
      int res = 0;
      memset(vis, 0, sizeof(vis));
58
59
      for(int p=root; *s; s++) {
        p = trie[p][*s-minc];
        for(int k=p; k && !vis[k]; k=fail[k]) {
61
          vis[k] = true;
          res += cnt[k]:
63
64
          if(cnt[k]) vec.push_back(val[k]);
65
66
67
      return res; // 匹配到的單字量
68
69 }:
70
71 ACTrie ac;
                 // 建構,初始化
72 ac.insert(s); // 加字典單字
73 // 加完字典後
74 ac.build();
                 // !!! 建 failure link !!!
75 ac.match(s); // 多模式匹配(加vec存編號)
```

6 Geometry

6.1 公式

1. Circle and Line

```
點 P(x_0, y_0)
```

到直線 L:ax+by+c=0 的距離

$$d(P, L) = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

兩平行直線 $L_1: ax + by + c_1 = 0$

與 $L_2: ax + by + c_2 = 0$ 的距離

$$d(L_1, L_2) = \frac{|c_1 - c_2|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

2. Triangle

```
設三角形頂點為 A(x_1,y_1), B(x_2,y_2), C(x_3,y_3) 8
```

點 A,B,C 的對邊長分別為 a,b,c

三角形面積為 Δ

重心為 (G_x,G_y) ,內心為 (I_x,I_y) ,

外心為 (O_x,O_y) 和垂心為 (H_x,H_y)

$$\Delta = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$$

$$G_x = \frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}$$

$$G_y = \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3}$$

$$I_x = \frac{ax_1 + bx_2 + cx_3}{a + b + c}$$

$$I_y = \frac{ay_1 + by_2 + cy_3}{a + b + c}$$

$$O_x = \frac{\begin{vmatrix} x_1^2 + y_1^2 & y_1 & 1 \\ x_2^2 + y_2^2 & y_2 & 1 \\ x_3^2 + y_3^2 & y_3 & 1 \end{vmatrix}}{4\Delta}$$

$$O_{y} = \frac{\begin{vmatrix} x_{1} & x_{1}^{2} + y_{1}^{2} & 1\\ x_{2} & x_{2}^{2} + y_{2}^{2} & 1\\ x_{3} & x_{3}^{2} + y_{3}^{2} & 1 \end{vmatrix}}{4\Delta}$$

$$H_x = - \begin{vmatrix} x_2x_3 + y_2y_3 & y_1 & 1\\ x_1x_3 + y_1y_3 & y_2 & 1\\ x_1x_2 + y_1y_2 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$$

$$H_{y} = -\frac{\begin{vmatrix} x_{1} & x_{2}x_{3} + y_{2}y_{3} & 1\\ x_{2} & x_{1}x_{3} + y_{1}y_{3} & 1\\ x_{3} & x_{1}x_{2} + y_{1}y_{2} & 1 \end{vmatrix}}{2\lambda}$$

任意三角形,重心、外心、垂心共線

$$G_x = \frac{2}{3}O_x + \frac{1}{3}H_x, G_y = \frac{2}{3}O_y + \frac{1}{3}H_y$$

6.2 Template

Predefined Variables

```
1 using DBL = double;
2 using Tp = DBL; // 存點的型態
3
4 const DBL pi = acos(-1);
5 const DBL eps = 1e-9;
6 const Tp inf = 1e30;
7 const int maxn = 5e4 + 10;
```

<u>Vector Point</u>

```
1 struct Vector {
    Tp x, y;
    Vector(Tp x=0, Tp y=0): x(x), y(y) {}
    DBL length();
   using Point = Vector;
  using Polygon = vector<Point>;
10 Vector operator+(Vector a, Vector b) {
   return Vector(a.x+b.x, a.y+b.y);
13
   Vector operator-(Vector a, Vector b) {
14
15
    return Vector(a.x-b.x, a.y-b.y);
16 }
18
  Vector operator*(Vector a, DBL b) {
    return Vector(a.x*b, a.y*b);
19
20 }
21
22 Vector operator/(Vector a, DBL b) {
23
   return Vector(a.x/b, a.y/b);
24
25
26 Tp dot(Vector a, Vector b) {
   return a.x*b.x + a.y*b.y;
28 }
29
30 Tp cross(Vector a, Vector b) {
   return a.x*b.y - a.y*b.x;
33
34 DBL Vector::length() {
   return sqrt(dot(*this, *this));
35
37
38 Vector unit_normal_vector(Vector v) {
39
   DBL len = v.length();
   return Vector(-v.y/len, v.x/len);
```

Line

```
1  struct Line {
2    Point p;
3    Vector v;
4    DBL ang;
5    Line(Point _p={}, Vector _v={}) {
6         p = _p;
7         v = _v;
8         ang = atan2(v.y, v.x);
9    }
bool operator<(const Line& 1) const {
7         return ang < 1.ang;
12    }
13 }.</pre>
```

Segment

```
1  struct Segment {
2    Point s, e;
3    Vector v;
4    Segment(): s(0, 0), e(0, 0), v(0, 0) {}
5    Segment(Point s, Point e): s(s), e(e) {
6     v = e - s;
7    }
8    DBL length() { return v.length(); }
9 };
```

<u>Circle</u>

```
struct Circle {
    Point o;
    DBL r;
    Circle(): o({0, 0}), r(0) {}
    Circle(Point o, DBL r=0): o(o), r(r) {}
    Circle(Point a, Point b) { // ab 直徑
      o = (a + b) / 2;
      r = dis(o, a);
9
    Circle(Point a, Point b, Point c) {
10
      Vector u = b-a, v = c-a;
11
12
      DBL c1=dot(u, a+b)/2, c2=dot(v, a+c)/2;
      DBL dx=c1*v.y-c2*u.y, dy=u.x*c2-v.x*c1;
      o = Point(dx, dy) / cross(u, v);
14
15
      r = dis(o, a);
16
    bool cover(Point p) {
      return dis(o, p) <= r;</pre>
19
20 };
```

6.3 Polygon

```
// 判斷點 (point) 是否在凸包 (p) 內
2 bool pointInConvex(Polygon& p, Point point) {
    // 根據 Tp 型態來寫,沒浮點數不用 dblcmp
    auto dblcmp=[](DBL v){return (v>0)-(v<0);};</pre>
    // 不包含線上,改 '>=' 為 '>'
    auto test = [&](Point& p0, Point& p1) {
      return dblcmp(cross(p1-p0, point-p0))>=0;
    p.push_back(p[0]);
    for(int i=1; i<p.size(); i++) {</pre>
10
11
      if(!test(p[i-1], p[i])) {
12
        p.pop_back();
        return false;
13
14
15
16
    p.pop_back();
17
    return true;
18 }
19
20
   // 計算簡單多邊形的面積
21
   // ! p 為排序過的點 !
22 DBL polygonArea(Polygon& p) {
    DBL sum = 0;
    for(int i=0, n=p.size(); i<n; i++)</pre>
      sum += cross(p[i], p[(i+1)%n]);
    return abs(sum) / 2.0;
```

交點、距離

```
1 int dcmp(DBL a, DBL b=0.0) {
     if(abs(a-b) < eps) return 0;</pre>
     return a<b ? -1 : 1;</pre>
 3
 4
   bool hasIntersection(Point p, Segment s) {
 5
    if(dcmp(cross(s.s-p, s.e-p))) return false;
 6
    return dcmp(dot(s.s-p, s.e-p)) <= 0;</pre>
 8
   }
   bool hasIntersection(Point p, Line 1) {
10
    return dcmp(cross(p-1.p, 1.v)) == 0;
11
   bool hasIntersection(Segment a, Segment b) {
     // 判斷在 X 軸 Y 軸的投影是否相交
13
     auto intr1D=[](DBL w, DBL x, DBL y, DBL z){
      if(w > x) swap(w, x);
15
16
       if(y > z) swap(y, z);
       return dcmp(max(w, y), min(x, z)) \le 0;
17
18
    }:
19
     DBL a1 = cross(a.v, b.s-a.s);
20
     DBL a2 = cross(a.v, b.e-a.s);
     DBL b1 = cross(b.v, a.s-b.s);
22
23
     DBL b2 = cross(b.v, a.e-b.s);
24
     return intr1D(a.s.x, a.e.x, b.s.x, b.e.x)
25
26
        && intr1D(a.s.y, a.e.y, b.s.y, b.e.y)
        && dcmp(a1) * dcmp(a2) <= 0
27
28
        && dcmp(b1) * dcmp(b2) <= 0;
29
   }
   Point intersection(Segment a, Segment b) {
30
     Vector v = b.s - a.s;
     DBL c1 = cross(a.v, b.v);
32
33
     DBL c2 = cross(v, b.v);
    DBL c3 = cross(v, a.v);
34
35
36
     if(dcmp(c1) < 0) c1=-c1, c2=-c2, c3=-c3;
37
     if(dcmp(c1) && dcmp(c2)>=0 && dcmp(c3)>=0
      && dcmp(c1, c2)>=0 && dcmp(c1, c3)>=0)
38
      return a.s + (a.v * (c2 / c1));
39
    return Point(inf, inf); // a 和 b 共線
40
   }
41
42
   Point intersection(Line a, Line b) {
     // cross(a.v, b.v) == 0 時平行
    Vector u = a.p - b.p;
44
     DBL t = 1.0*cross(b.v, u)/cross(a.v, b.v);
45
    return a.p + a.v*t;
46
47
   DBL dis(Point a, Point b) {
    return sqrt(dot(a-b, a-b));
49
50
   DBL dis(Point p, Line 1) {
51
    return abs(cross(p-l.p, l.v))/l.v.length();
52
53
   DBL dis(Point p, Segment s) {
54
     Vector u = p - s.s, v = p - s.e;
56
     if(dcmp(dot(s.v, u))<=0) return u.length();</pre>
     if(dcmp(dot(s.v, v))>=0) return v.length();
57
    return abs(cross(s.v, u)) / s.length();
58
59
   DBL dis(Segment a, Segment b) {
     if(hasIntersection(a, b)) return 0;
61
     return min({
      dis(a.s, b), dis(a.e, b),
63
64
      dis(b.s, a), dis(b.e, a)
65
    });
66
   DBL dis(Line a, Line b) {
    if(dcmp(cross(a.v, b.v)) == 0) return 0;
68
69
    return dis(a.p, b);
70
  }
71
   Point getPedal(Line 1, Point p) {
   // 返回 p 在 1 上的垂足(投影點)
   DBL len = dot(p-1.p, 1.v) / dot(1.v, 1.v);
    return 1.p + 1.v * len;
```

6.5 凸包

```
• Tp 為 Point 裡 x 和 y 的型態
       · struct Point 需要加入並另外計算的 variables:
         1. ang, 該點與基準點的 atan2 值
         2. d2, 該點與基準點的 (距離)<sup>2</sup>
       · 注意計算 d2 的型態範圍限制
                       Template
1 using DBL = double;
2 using Tp = long long;
                                   // 存點的型態
  const Tp inf = 1e9;
                                   // 座標極大值
   struct Vector;
 5 using Point = Vector;
                                                    12
  using Polygon = vector<Point>;
  Vector operator-(Vector, Vector);
  Tp cross(Vector, Vector);
9 int dcmp(DBL, DBL);
                     Convex Hull
1 | Polygon convex_hull(Point* p, int n) {
    auto rmv = [&](Point a, Point b, Point c) {
      return cross(b-a, c-b) <= 0; // 非浮點數
      return dcmp(cross(b-a, c-b)) <= 0;</pre>
    // 選最下裡最左的當基準點,可在輸入時計算
                                                    9
    Tp lx = inf, ly = inf;
                                                    10
    for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
      if(p[i].y<ly || (p[i].y==ly&&p[i].x<lx)){</pre>
10
        lx = p[i].x, ly = p[i].y;
      }
12
                                                    14
    }
13
                                                    15
14
                                                    16
15
    for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                    17
      p[i].ang=atan2(p[i].y-ly,p[i].x-lx);
16
                                                    18
      p[i].d2 = (p[i].x-lx)*(p[i].x-lx) +
17
                                                    19
                (p[i].y-ly)*(p[i].y-ly);
                                                    20
19
                                                    21
    sort(p, p+n, [&](Point& a, Point& b) {
                                                    22
21
      if(dcmp(a.ang, b.ang))
                                                    23
        return a.ang < b.ang;</pre>
22
                                                    24
23
       return a.d2 < b.d2;</pre>
                                                    25
24
    }):
                                                    26
25
    int m = 1; // stack size
    Point st[n] = \{p[n] = p[0]\};
27
    for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
28
      for(;m>1&&rmv(st[m-2],st[m-1],p[i]);m--);
29
30
      st[m++] = p[i];
31
    return Polygon(st, st+m-1);
   6.6 最小圓覆蓋
1 | vector<Point> p(3); // 在圓上的點
2 Circle MEC(vector<Point>& v, int n, int d=0){ 10
    Circle mec;
    if(d == 1) mec = Circle(p[0]);
                                                    12
    if(d == 2) mec = Circle(p[0], p[1]);
                                                    13
    if(d == 3) return Circle(p[0], p[1], p[2]);
                                                   14
    for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                                                    15
      if(mec.cover(v[i])) continue;
                                                    16
      p[d] = v[i];
9
                                                    17
                                                          }):
      mec = MEC(v, i, d+1);
10
                                                    18
    }
11
                                                    19
12
    return mec;
                                                    20 }
```

6.7 半平面相交

```
Template
  using DBL = double;
   using Tp = DBL;
                                // 存點的型態
  const int maxn = 5e4 + 10;
   const DBL eps = 1e-9;
   struct Vector;
   using Point = Vector;
   using Polygon = vector<Point>;
   Vector operator+(Vector, Vector);
   Vector operator-(Vector, Vector);
   Vector operator*(Vector, DBL);
   Tp cross(Vector, Vector);
  struct Line:
13 Point intersection(Line, Line);
14 int dcmp(DBL, DBL);
                                // 不見得會用到
                Halfplane Intersection
   // Return: 能形成半平面交的凸包邊界點
   Polygon halfplaneIntersect(vector<Line>&nar){
     sort(nar.begin(), nar.end());
     // p 是否在 1 的左半平面
     auto lft = [&](Point p, Line 1) {
      return dcmp(cross(l.v, p-l.p)) > 0;
     int ql = 0, qr = 0;
    Line L[maxn] = {nar[0]};
    Point P[maxn];
     for(int i=1; i<nar.size(); i++) {</pre>
      for(; ql<qr&&!lft(P[qr-1],nar[i]); qr--);</pre>
      for(; ql<qr&&!lft(P[ql],nar[i]); ql++);</pre>
      L[++qr] = nar[i];
      if(dcmp(cross(L[qr].v,L[qr-1].v))==0) {
        if(lft(nar[i].p,L[--qr])) L[qr]=nar[i];
        P[qr-1] = intersection(L[qr-1], L[qr]);
    for(; ql<qr && !lft(P[qr-1], L[ql]); qr--);</pre>
     if(qr-ql <= 1) return {};</pre>
    P[qr] = intersection(L[qr], L[ql]);
    return Polygon(P+ql, P+qr+1);
```

6.8 旋轉卡尺

```
1 // 回傳凸包內最遠兩點的距離 ^2
 int longest_distance(Polygon& p) {
   auto test = [&](Line 1, Point a, Point b) {
    return cross(1.v,a-1.p)<=cross(1.v,b-1.p);</pre>
   if(p.size() <= 2) {
     return cross(p[0]-p[1], p[0]-p[1]);
    int mx = 0, n = p.size();
    for(int i=0, j=1; i<n; i++) {</pre>
     Line l(p[i], p[(i+1)\%n] - p[i]);
     for(;test(1,p[j],p[(j+1)%n]);j=(j+1)%n);
     mx = max({
       dot(p[(i+1)%n]-p[j], p[(i+1)%n]-p[j]),
       dot(p[i]-p[j], p[i]-p[j])
   return mx:
```

7 DP

7.1 以價值為主的背包

```
/*w 變得太大所以一般的01背包解法變得不可能
     觀察題目w變成10^9
     而 v_i變成 10^3
    N不變 10^2
    試著湊湊看dp狀態
    dp[maxn][maxv]是可接受的複雜度
     剩下的是轉移式,轉移式變成
    dp[i][j] = w \rightarrow
          當目前只考慮到第1個商品時,達到獲利j時最少的wejg
    所以答案是dp[n][1 \sim maxv]找價值最大且裝的下的*/
   #define maxn 105
                                                  15
   #define maxv 100005
                                                  16
   long long dp[maxn][maxv];
                                                  17
   long long weight[maxn];
   long long v[maxn];
   int main() {
15
                                                  20
      int n;
                                                  21
      long long w;
17
      scanf("%d %11d", &n, &w);
18
                                                  23
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
19
          scanf("%11d %11d", &weight[i], &v[i]);
20
21
                                                  26
      memset(dp, 0x3f, sizeof(dp));
22
                                                  27
23
      dp[0][0] = 0;
                                                  28
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
24
                                                  29
          for (int j = 0; j <= maxv; ++j) {</pre>
25
              if (j - v[i] >= 0)
26
                 dp[i][j] = dp[i - 1][j -
27
                      v[i]] + weight[i];
              dp[i][j] = min(dp[i - 1][j],
28
                   dp[i][j]);
          }
29
      }
30
31
      long long res = 0;
      for (int j = maxv - 1; j >= 0; --j) {
32
          if (dp[n][j] <= w) {</pre>
33
34
              res = j;
35
              break;
36
37
      printf("%11d\n", res);
```

7.2 Barcode

return 0;

39

```
1 int N, K, M;
   long long dp[55][55];
   // n -> 目前剩多少units
   // k -> 目前剩多少bars
   // m -> 1 bar最多多少units
   long long dfs(int n, int k) {
      if (k == 1) {
          return (n <= M);</pre>
10
       if (dp[n][k] != -1)
          return dp[n][k];
       long long result = 0;
12
       for (int i = 1; i < min(M + 1, n); ++i)</pre>
13
            { // < min(M + 1, n)是因為n不能==0
14
          result += dfs(n - i, k - 1);
15
16
       return dp[n][k] = result;
17
   }
18
   int main() {
       while (scanf("%d %d %d", &N, &K, &M) !=
19
            EOF) {
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
20
          printf("%11d\n", dfs(N, K));
21
22
```

7.3 RangeDP

```
1 //區間dp
   int dp[55][55];
   // dp[i][j] -> [i,j] 切割區間中最小的 cost
  int cuts[55]:
 5 int solve(int i, int j) {
      if (dp[i][j] != -1)
          return dp[i][j];
       //代表沒有其他切法,只能是cuts[j] - cuts[i]
      if (i == j - 1)
          return dp[i][j] = 0;
      int cost = 0x3f3f3f3f;
       for (int m = i + 1; m < j; ++m) {</pre>
          //枚舉區間中間切點
          cost = min(cost, solve(i, m) +
            solve(m, j) + cuts[j] - cuts[i]);
      return dp[i][j] = cost;
18 }
19 int main() {
      int 1,n;
      while (scanf("%d", &1) != EOF && 1){
          scanf("%d", &n);
for (int i = 1; i <= n; ++i)
             scanf("%d", &cuts[i]);
          cuts[0] = 0;
          cuts[n + 1] = 1;
          memset(dp, -1, sizeof(dp));
          printf("ans = %d.\n", solve(0,n+1));
       return 0;
```

7.4 抽屜

```
1 long long dp[70][70][2];
 2 // 初始條件
   dp[1][0][0] = dp[1][1][1] = 1;
  for (int i = 2; i <= 66; ++i){
     // i個抽屜0個安全且上方0 =
      // (底下i - 1個抽屜且1個安全且最上面L) +
      // (底下n - 1個抽屜0個安全且最上方為0)
      dp[i][0][0]=dp[i-1][1][1]+dp[i-1][0][0];
      for (int j = 1; j <= i; ++j) {
         dp[i][j][0] =
10
11
           dp[i-1][j+1][1]+dp[i-1][j][0];
12
         dp[i][i][1] =
13
           dp[i-1][j-1][1]+dp[i-1][j-1][0];
14
15 } //答案在 dp[n][s][0] + dp[n][s][1]);
```

7.5 Deque 最大差距

```
1 /*定義 dp[1][r]是1 ~ r時與先手最大差異值
    轉移式: dp[l][r] = max{a[l] - solve(l + 1,
         r), a[r] - solve(1, r - 1)}
    裡面用減的主要是因為求的是相減且會一直換手,
    所以正負正負...*/
  #define maxn 3005
  bool vis[maxn][maxn];
  long long dp[maxn][maxn];
  long long a[maxn];
  long long solve(int 1, int r) {
     if (1 > r) return 0;
10
      if (vis[l][r]) return dp[l][r];
11
      vis[l][r] = true;
      long long res = a[l] - solve(l + 1, r);
13
      res = max(res, a[r] - solve(l, r - 1));
15
      return dp[1][r] = res;
16 }
17 int main() {
18
19
      printf("%lld\n", solve(1, n));
```

7.6 LCS 和 LIS

```
dp[i,j] = \left\{ \begin{array}{ccc} i+1, & \text{if } j=-1 \\ j+1, & \text{if } i=-1 \\ dp[i-1,j-1], & \text{if } S_1[i] = S_2[j] \\ dp[i,j-1] \\ dp[i-1,j] \\ dp[i-1,j-1] \end{array} \right\} + 1, & \text{if } S_1[i] \neq S_2[j]
```

Longest Palindromic Subsequence

```
dp[l,r] = \left\{ \begin{array}{ccc} 1 & \text{if} & l=r \\ dp[l+1,r-1] & \text{if} & S[l] = S[r] \\ \max\{dp[l+1,r],dp[l,r-1]\} & \text{if} & S[l] \neq S[r] \end{array} \right.
```

7.8 樹 DP 有幾個 path 長度為 k

```
#define maxn 50005
   #define maxk 505
   //dp[u][u的child且距離u長度k的數量]
   long long dp[maxn][maxk];
   vector<vector<int>>> G;
   int n, k;
   long long res = 0;
   void dfs(int u, int p) {
10
      dp[u][0] = 1;
      for (int v: G[u]) {
11
12
          if (v == p)
             continue:
13
          dfs(v, u);
          for (int i = 1; i <= k; ++i) {
15
16
              //子樹v距離i - 1的等於對於u來說距離i的
              dp[u][i] += dp[v][i - 1];
17
18
19
      }
      //統計在u子樹中距離u為k的數量
20
21
      res += dp[u][k];
      long long cnt = 0;
22
      for (int v: G[u]) {
23
        if (v == p)
          continue; //重點算法
25
        for (int x = 0; x \le k - 2; ++x) {
          cnt +=
27
28
            dp[v][x]*(dp[u][k-x-1]-dp[v][k-x-2]);
29
30
31
      res += cnt / 2;
32 }
33 int main() {
34
35
      dfs(1, -1);
      printf("%11d\n", res);
36
37
      return 0;
```

7.9 TreeDP reroot

7.10 WeightedLIS

```
/*re-root\ dp\ on\ tree\ O(n+n+n)\ ->\ O(n)*/
                                                      1 #define maxn 200005
   class Solution {
                                                      2 long long dp[maxn];
   public:
                                                        long long height[maxn];
 3
       vector<int> sumOfDistancesInTree(int n,
                                                        long long B[maxn];
            vector<vector<int>>& edges) {
                                                      5 long long st[maxn << 2];</pre>
           this->res.assign(n, 0);
                                                        void update(int p, int index, int 1, int r,
           G.assign(n + 5, vector<int>());
                                                             long long v) {
 7
           for (vector<int>& edge: edges) {
                                                            if (1 == r) {
 8
              G[edge[0]].emplace_back(edge[1]);
                                                                st[index] = v;
 9
              G[edge[1]].emplace_back(edge[0]);
                                                      9
                                                                return:
10
                                                     10
11
           memset(this->visited, 0,
                                                     11
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
                sizeof(this->visited));
                                                            if (p <= mid)
                                                     12
12
           this->dfs(0);
                                                     13
                                                                update(p, (index << 1), 1, mid, v);
           memset(this->visited, 0,
13
                                                     14
                sizeof(this->visited));
                                                                update(p, (index << 1)+1,mid+1,r,v);
           this->res[0] = this->dfs2(0, 0);
                                                            st[index] =
                                                     16
           memset(this->visited, 0,
                                                     17
                                                              max(st[index<<1],st[(index<<1)+1]);</pre>
15
                sizeof(this->visited));
                                                     18 }
           this->dfs3(0, n);
                                                        long long query(int index, int 1, int r, int
                                                     19
16
17
           return this->res;
                                                             ql, int qr) {
       }
                                                            if (ql <= 1 && r <= qr)</pre>
18
                                                     20
19
   private:
                                                     21
                                                               return st[index];
                                                            int mid = (1 + r) >> 1;
20
       vector<vector<int>> G;
                                                     22
       bool visited[30005];
                                                            long long res = -1;
21
                                                     23
       int subtreeSize[30005];
                                                            if (ql <= mid)</pre>
22
       vector<int> res;
23
                                                     25
                                                                res =
24
       //求subtreeSize
                                                     26
                                                                 max(res,query(index<<1,1,mid,q1,qr));</pre>
25
       int dfs(int u) {
                                                     27
                                                            if (mid < qr)</pre>
           this->visited[u] = true;
                                                                res =
26
                                                     28
27
           for (int v: this->G[u])
                                                     29
                                                                 max(res,query((index<<1)+1,mid+1,r,ql,qr));</pre>
              if (!this->visited[v])
                                                            return res;
28
                                                     30
29
                  this->subtreeSize[u] +=
                                                     31
                                                     32 int main() {
                        this->dfs(v);
30
                                                            int n;
                                                     33
                                                            scanf("%d", &n);
31
           this->subtreeSize[u] += 1;
32
           return this->subtreeSize[u];
                                                     35
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)</pre>
                                                                scanf("%11d", &height[i]);
33
       //求res[0], 0到所有點的距離
                                                            for (int i = 1; i <= n; ++i)
34
                                                     37
       int dfs2(int u, int dis) {
                                                               scanf("%11d", &B[i]);
35
           this->visited[u] = true;
36
                                                     39
                                                            long long res = B[1];
37
           int sum = 0;
                                                     40
                                                            update(height[1], 1, 1, n, B[1]);
38
           for (int v: this->G[u])
                                                     41
                                                            for (int i = 2; i <= n; ++i) {
              if (!visited[v])
                                                               long long temp;
39
                                                     42
                  sum += this->dfs2(v, dis + 1);
                                                                if (height[i] - 1 >= 1)
40
41
           //要加上自己的距離
                                                                    temp =
42
           return sum + dis;
                                                                     B[i]+query(1,1,n,1,height[i]-1);
                                                     45
43
                                                     46
       //算出所有的res
                                                                    temp = B[i];
                                                     47
44
45
       void dfs3(int u, int n) {
                                                     48
                                                                update(height[i], 1, 1, n, temp);
           this->visited[u] = true;
                                                                res = max(res, temp);
46
                                                     49
           for (int v: this->G[u]) {
47
                                                     50
48
              if (!visited[v]) {
                                                     51
                                                            printf("%11d\n", res);
49
                  this->res[v] = this->res[u] +
                                                            return 0;
                                                     52
                        n - 2 *
                        this->subtreeSize[v];
                   this->dfs3(v, n);
50
              }
51
52
53
       }
54 };
```

| JC | 11 | | | | | | FJCl | J | | | | | | 21 |
|----------|-------|--------|------|--------|------------------------------------|------|--------|--------|--------------|--------|-----|--------|--------|-------|
| 8 | ŊΡ | List | | | 77 | 1 1 | 1 | 1 | 15 | 5 | 1 1 | 1 | 1 | |
| O | ы | LISC | | | 78 | l i | i | i | 15 | 6 | i i | i | i | i |
| ı | | | | | 79 | | | | 15 | 7 | | | | |
| | | | | | 80 | l I | 1 | 1 | 15 | 8 | 1 | 1 | I | I |
| | 1 | ; | i | I I | ₈₁ ₈₂ | ļ I | I | | 15 | | 1 1 | I | ı | I |
| | | | | | 83 | 1 | | | 16 16 | | | | | |
| ; | 1 | 1 | I | 1 | l 84 | l i | i | i | 16 | 2 | i i | i | i | i |
| i | - 1 | I | I | I | l ₈₅ | | | | 16 | 3 | · | | | |
| | | | | | 86 | I | 1 | 1 | 16 | 4 | 1 | 1 | 1 | - 1 |
| | | l I | | l I | 87 | l I | I | | 16 | | 1 1 | I | I | |
| | ' | · | | | 89 | | | | 16 16 | | | I | | |
| | 1 | 1 | I | 1 | l 90 | l i | i | i | 16 | 8 | 1 1 | i | i | |
| : | 1 | 1 | I | 1 | l 91 | | · | | 16 | 9 | · | | · | |
| | | | | | 92 | I | 1 | 1 | 17 | 0 | 1 | 1 | 1 | |
| ; ; | | - | | I I | l 93 | l I | I | | 17 | | 1 1 | I | I | |
| | | | | | ₉₄ ₉₅ | | | | 17 17 | | | I | | |
| | 1 | 1 | I | 1 | l 96 | | i | i | 17 | 4 | 1 1 | i | i | |
| : | 1 | 1 | I | 1 | l 97 | | | | 17 | | · | | | |
| | | | | | 98 | l I | 1 | 1 | 17 | 6 | 1 1 | 1 | 1 | |
| | [| I I | I | I I | l 99 | 1 | 1 | 1 | 17 | | 1 1 | I | I | |
| | | | | | ₁₀₀ 101 | | · | | 17 17 | | | I | | |
| | 1 | 1 | 1 | 1 | I ₁₀₂ | | i I | İ | 17 | 0 | 1 | l I | i | |
| ı | 1 | I | 1 | 1 | l ₁₀₃ | | | | 18 | 1 | · | | · | |
| | | | | | 104 | 1 | 1 | 1 | 18 | 2 | 1 | 1 | 1 | ١ |
| | - } | - | | | 1 105 | I | 1 | I | 18 | | 1 1 | 1 | I | ١ |
| | | | | | ₁₀₆ 107 | | | | 18 18 | | | I | | |
| 1 | 1 | 1 | I | 1 | I ₁₀₈ | l i | i | i | 18 | 6 | i i | i | i | i |
| 1 | 1 | I | I | I | l ₁₀₉ | | | | 18 | 7 | | | | |
| | | | | | 110 | 1 | I | 1 | 18 | 8 | 1 1 | Į. | 1 | - 1 |
| ! | | l I | | l I | ₁₁₁ ₁₁₂ | l I | I | | 18 | 9 | 1 1 | I | I | - |
| | | | | | 113 | 1 | | | 19 19 | | | | | |
| ; | 1 | 1 | I | 1 | 114 | l i | i | i | 19 | 2 | i i | i | i | i |
| ; | 1 | 1 | I | I | 115 | | · | | 19 | 3 | · | | | |
| | | | | | 116 | l I | I | 1 | 19 | 4 | 1 | 1 | I | I |
| | 1 | i | i | i | ₁₁₇ ₁₁₈ | l I | I | | 19 19 | | 1 1 | I | ı | I |
| | | · | | | 119 | 1 | I | 1 | 19 | | 1 1 | I | 1 | I |
| | 1 | 1 | I | 1 | 1 120 | i i | i | i | 19 | 8 | i i | i | i | i |
| : | 1 | I | ı | ı | 1 121 | | | | 19 | | | | | |
| | 1 | | 1 | 1 | 122 | ! | ! | | 20 | 0 | !!! | ! | ļ | |
| | i | i | i | i | ₁₂₃ ₁₂₄ | | I | | 20 20 | 2 | | | | ا |
| | | | | | 125 | 1 | 1 | 1 | 20 | | 1 1 | 1 | 1 | ı |
| | į. | į. | Į. | ! | I ₁₂₆ | i | ĺ | ĺ | 20 | 4 | i i | İ | ĺ | ĺ |
| | l | l | | | 1 127 | | | | 20 | | | | | |
| | 1 | 1 | 1 | 1 | 128 ₁₂₉ | | | | 20 | 6 | | l I | l I | ļ |
| | i | i | i | i | l ₁₃₀ | | | | 20 20 | | ı l | | | |
| : | | | | | 131 | l ı | 1 | I | 20 | 9 | 1 1 | 1 | 1 | - |
| | ! | ļ . | I | - [| l ₁₃₂ | İ | 1 | 1 | 21 | 0 | I İ | 1 | 1 | ĺ |
| | I | I | | | l ₁₃₃ | | | | 21 | | | | | |
| | 1 | 1 | 1 | | 134 | | l I | 1 | 21 21 | 2 | | l I | I | |
| ' | i | i | İ | i | ₁₃₅ ₁₃₆ | | | | 21 | 4 | ı l | | | |
| : | | | | | 137 | | 1 | 1 | 21 | 5 | 1 1 | 1 | 1 | - |
| | ļ. | Į. | I | | l ₁₃₈ | 1 | 1 | 1 | 21 | 6 | 1 | 1 | 1 | ĺ |
| | I | I | | | l ₁₃₉ | | | | 21 | | | | | |
| ! | 1 | 1 | 1 | ı | 140 ₁₄₁ | | I I | I I | 21 21 | 8 9 | | | I | |
| : | i | i | i | i | 1 142 | ' | | | 22 | | · | ' | | |
| ↓ | | | | | 143 | 1 | 1 | 1 | 22 | 1 | 1 1 | 1 | 1 | |
| i i | ! | Į, | I | | 1 144 | 1 | 1 | I | 22 | 2 | 1 | 1 | I | |
| | | | | | ₁₄₅ | 1 | · | | 22 22 | | | I | | |
| : | 1 | 1 | 1 | 1 | 146 | | | 1 | 22 | 5 | I I | | i I | |
| ı İ | 1 | I | 1 | 1 | 1 148 | | | | 22 | 6 | · | | · | |
| | | | | | 149 | 1 | 1 | 1 | 22 | 7 | 1 | 1 | 1 | |
| ! | | l I | | I I | ₁₅₀ | | 1 | 1 | 22 | 8 | 1 1 | 1 | I | |
| | | | | | ₁₅₁ 152 | ı | | | 22 23 | | | I | | |
| ı İ | 1 | I | 1 | 1 | l ₁₅₃ | | i | | 23 | 1 | | i | i | |
| | I | I | I | I | l ₁₅₄ | | | | 23 | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | |

| 467 | I | 1 | 1 | 1 | 1 | 545 | 1 | l | I | 1 1 | 623 | l I | I | 1 1 | I I |
|-------------------|-------|----------|--------|----------|-------|------------|----------|----------|------------|---|------------|----------|----------|------------|---------|
| 468 469 | | | | | | 546 547 | | l | l | | 624 625 | | l | l I | |
| 470 | ļ | ļ | Į. | ļ | 1 | 548 | ! | <u> </u> | <u> </u> | !! | 626 | ! | ! | !!! | !!! |
| 471 472 | | | | | | 549 550 | | l | | | 627 628 | | | | l I |
| 473 474 | | | l I | 1 | | 551 552 | ļ. | | | | 629 630 | <u> </u> | 1 | | |
| 475 | | | | | | 553 | | | | | 631 | | | | |
| 476 477 | | | l I | 1 | | 554 555 | | | | | 632 633 | l I | | | |
| 478 479 | | | | | | 556 557 | | | I | I I | 634 635 | 1 | | | |
| 480 | | | i | i | | 558 | i | ! | | ! ! | 636 | i | | ! ! ! ! | |
| 481 482 | | | I | I | | 559 560 | I | I | I | I I | 637 638 | I | I | I I | |
| 483 | i | i | i | i | - 1 | 561 | i | i | İ | i i | 639 | i | i | i i | i i |
| 484 485 | | | | I | 1 | 562 563 | l | | | | 640 641 | l | | I I | |
| 486 487 | | <u> </u> | | | | 564 565 | <u> </u> | l | l | | 642 643 | | <u> </u> | l I | |
| 488 | ļ | Į. | Į. | Ţ | | 566 | į. | l | ļ. | !! | 644 | į. | ! | !!! | !!! |
| 489 490 | | | | | | 567 568 | | | | | 645 646 | | | | |
| 491 492 | | l I | l I | l I | 1 | 569 570 | 1 | | | | 647 648 | ļ | | | |
| 493 | | | | | | 571 | | ' | ! | | 649 | | ! | ı | ı I |
| 494 495 | | l I | l I | | | 572 573 | | | | | 650 651 | | | | |
| 496 | | | | | | 574 | | | | | 652 | | | | |
| 497 498 | | i | i | i | | 575 576 | İ | l | I | | 653 654 | i i | | | |
| 499 500 | | | I | | | 577 578 | I | I | I | I I | 655 656 | I | I | I I | |
| 500 501 502 | i | i | i | i | 1 | 579 | i | i | | i i | 657 | i | i | i i | i i |
| 502 503 | | | I | I | | 580 581 | I | | I | | 658 659 | | | I I | l |
| 504 505 | | İ | | ĺ | | 582 583 | İ | | | i i | 660 661 | İ | İ | İ İ | i i |
| 506 | I | 1 | 1 | 1 | | 584 | 1 | I | I | 1 1 | 662 | I | I | 1 1 | l I |
| 507 508 | | | | | | 585 586 | | | l | | 663 664 | | | l l | l I |
| 509 | | ! | ļ | Ţ | 1 | 587 | ! | l | l | !!! | 665 | ļ. | 1 | | |
| 510 511 | | | | | | 588 589 | | | l | | 666 667 | | | · | |
| 512 513 | | I | l I | 1 | | 590 591 | l I | | | | 668 669 | l I | | | |
| 514 515 | | : | : | : | | 592 | | | | | 670 | <u>:</u> | | | |
| 516 | | | i i | ł | | 593 594 | 1 | | | | 671 672 | l I | | | |
| 517 518 | I | I | I | | | 595 596 | I | I | I | I I | 673 674 | | I | I I | I I |
| 519 | i | i | i | i | - 1 | 597 | i | İ | i | i i | 675 | i | i | i i | i i |
| 520 521 | | | I | | | 598 599 | Ι | I | I | I I | 676 677 | | | | l |
| 522 523 | | <u> </u> | I | | - 1 | 600 601 | l | l | l | I İ | 678 679 | | | l İ | l İ |
| 524 | I | I | I | 1 | - 1 | 602 | 1 | l | 1 | 1 1 | 680 | I | ! | | I I |
| 525 526 | I | | | | ا | 603 604 | | l | | I I | 681 682 | | | | l |
| 527 | | I | Į. | ļ | - 1 | 605 | 1 | | | | 683 | ļ. | | | |
| 528 529 | I | | | | | 606 607 | I | I | I | | 684 685 | | I | ı | ı l |
| 530 531 | | | I I | | | 608 609 | 1 | | | | 686 687 | l I | | | |
| 532 | | | | <u>'</u> | | 610 | | | , , | . , , , , , , , , , , , , , , , , , , , | 688 | <u>-</u> | · | , ' | · ' |
| 533 534 | | | l I | | | 611 612 | | | | 1 | 689 690 | | | | ı |
| 535 536 | I | | I | | | 613 614 | 1 | | I | <u>-</u> | 691 692 | l | I | <u>-</u> | |
| 537 | | | i | | | 615 | i | ! | ! | : | 693 | | | i | i ! |
| 538 539 | | | I | l | | 616 617 | Ι | | I | I | 694 695 | | | | |
| 540 | i | i | i | i | - 1 | 618 | i | l | I | i i | 696 | i | İ | | i i |
| 541 542 | | | | | 1 | 619 620 | I | | | I I | 697 698 | l | | l | l |
| 543 544 | | l | | | | 621 622 | l | l | l | l İ | 699 700 | | | l i | |
| 544 | | | | | | 022 | | | | | 100 | | | | |

| | | | | | | | | | | | | | | _ |
|--------------|--------|----------|--------------|------------------------|----------|------|----------|---|----------------|-----------|--------|-------|--------|----------|
| 935 | ! | 1 | ! | 1013 | ! | į. | ! | ! | 1091 | | ! | ! | I | ļ |
| 936 937 | | | | 1014 1015 | | | ا | | | 3 | | | I | - |
| 938 939 | 1 | <u> </u> | I | 1016 1017 | l I | | | ! | 1094 1095 | | | 1 | [| |
| 940 | | | : | 1018 | | | | | 1096 | ; | | | | - |
| 941 942 | ł | | l I | 1019 1020 | | | l | | 1097 1098 | | l I | 1 | | |
| 943 944 | | | | 1021 1022 | | | | | 1099 |) | | | I | - |
| 945 | i | i | i | 1023 | | i | | | 1101 | 1 | | i | l I | |
| 946 947 | I | I | | 1024 1025 | I | I | I | | 1102 | | I | | I | - I |
| 948 | i | i | i | 1026 | i | i | i | i | 1104 | l I | i | i | i | i |
| 949 950 | I | | | 1027 1028 | | | | | 1105 | | | | | - |
| 951 952 | | | | 1029 1030 | | | ا | | | | | | l | |
| 953 | 1 | 1 | 1 | 1031 | ! | 1 | 1 | 1 | 1109 |) I | 1 | 1 | I | I |
| 954 955 | | | | 1032 1033 | | | | | |) | | | | - |
| 956 957 | 1 | 1 | 1 | 1034 1035 | 1 | | I | | | | | I | I | |
| 958 | | | | 1036 | | | | | 1114 | ļ | | | | - |
| 959 960 | 1 | I | I | 1037 1038 | l I | | | | | | l | I | | |
| 961 | | | - | 1039 | | | <u>'</u> | | 1117 | | | · | I | - |
| 962 963 | 1 | | | 1040 1041 | 1 | | | | | | | 1 | | 1 |
| 964 965 | | | | 1042 1043 | I | ı | | | 1120 |) | | | I | - I |
| 966 | i | i | i | 1044 | i | i | i | i | | 2 | i | i | i | i |
| 967 968 | I | I | I | 1045 1046 | I | I | I | | 1123 | | I | | I | - I |
| 969 | i | i | i | 1047 | j | j | i | i | 1125 | 5 I | i | _i | İ | İ |
| 970 971 | 1 | I | I | 1048 1049 | | | I | | 1126 | ' I | | 1 | I | |
| 972 973 | I | I | | 1050 1051 | I | I | ا | | | | | | l | - |
| 974 | 1 | 1 | 1 | 1052 | ! | ! | ļ | ! | 1136 | l l | ļ. | Ţ | I | ļ |
| 975 976 | | | | 1053 1054 | I | | ا | | | | | | I | - |
| 977 978 | [| | I | 1055 1056 | | | | | | | | 1 | | |
| 979 | | | | 1057 | | | | | 1135 | 5 | | | | - |
| 980 981 | 1 | | l I | 1058 1059 | | | | | | | | 1 | | |
| 982 983 | | | | 1060 1061 | | ı | | | 1138 | 3 | | | | - |
| 984 | i | İ | i | 1062 | i | i | | | 1146 | $ \zeta $ | | i | | |
| 985 986 | I | I | | 1063 1064 | I | I | I | | 1141 | | I | | I | - I |
| 987 | Ì | i | i | 1065 | i | i | i | i | 1143 | 3 | i | i | i | İ |
| 988 989 | | l | | 1066 1067 | | | I | | 1144 | i | | | | - |
| 990 991 | 1 | <u> </u> | | 1068 1069 | I | I | ا | | 1146 1147 | | | | l | <u> </u> |
| 992 | Ţ | ! | ! | 1070 | ļ | Į. | ! | ! | 1148 | B I | ļ | ! | ļ | ļ |
| 993 994 | | I | | 1071 1072 | | | ا | | |) | | | I | - |
| 995 996 | [| | I | | <u> </u> | | I | | | | l I | I | | |
| 997 | | | | 1075 | | | | | 1153 | 3 | | | ı | - - |
| 998 999 | [[| | l I | 1076 1077 | | | | | | | l I | | | |
| 1000 | | | | 1078 | | | | | 1156 | ; | | | | - |
| 1001 1002 | i | 1 | İ | 1079 1080 | | i | | | 1157 1158 | 3 | | | ! | |
| 1003 1004 | I | I | I | 1081 1082 | | ı | I | | 1159 |) | I | I | I | - I |
| 1005 | i | i | i | 1083 | i | i | ľ | i | 1161 | 1 | i | i | i I | i |
| 1006 1007 | I | Ι | | 1084 1085 | I | I | l | | 1162 | B I | | | | - |
| 1008 1009 | Ì | | = | | j | | | | 11164 | l I | | = | l | 1 |
| 1010 | 1 | I | | 1088 | I | | | | 1166 | i l | | 1 | | I |
| 1011 1012 | 1 | <u> </u> | | 1089 1090 | I | I | ا | | 1167 1168 | | | | l | <u> </u> |
| - 12 | | | | 1030 | | | | | 1100 | i I | | | | |