Contents

1 ubuntu 2 Basic 3 字串 4 STL 6 math 6.2 prime factorization 7 algorithm g 動能規劃 9 graph 11 10 Section2 12

1 ubuntu

1.1 run

1 ~ \$ bash cp.sh PA

1.2 cp.sh

2 Basic

2.1 ascii

•							
1	1	int	char	int	char	int	char
	2	32		64	@	96	•
1	3	33	!	65	Α	97	а
1	4	34	"	66	В	98	b
1	5	35	#	67	С	99	С
	6	36	\$	68	D	100	d
1	7	37	%	69	E	101	e
1	8	38	&	70	F	102	f
2	9	39	•	71	G	103	g
2	10	40	(72	Н	104	h
	11	41)	73	I	105	\boldsymbol{i}
2	12	42	*	74	J	106	j
	13	43	+	75	K	107	k
2	14	44	,	76	L	108	1
	15	45	_	77	М	109	m
3	16	46		78	N	110	n
	17	47	/	79	0	111	0
3	18	48	0	80	P	112	р
	19	49	1	81	Q	113	q
4	20	50	2	82	R	114	r
5	21	51	3	83	S	115	s
5	22	52	4	84	T	116	t
5	23	53	5	85	U	117	u
J	24	54	6	86	V	118	v
5	25	55	7	87	W	119	W
5	26	56	8	88	X	120	X
6	27	<i>57</i>	9	89	Y	121	У
6	28	58	:	90	Z	122	z
	29	59	;	91	Γ	123	{
7	30	60	<	92	\	124	1
7	31	61	=	93	J	125	}
7	32	62	>	94	٨	126	~
7	33	63	?	95	_		
7	'						

2.2 limits

```
1 [Type]
                     [size]
                                   [range]
                                 127 to -128
  char
                       1
  signed char
                       1
                                 127 to -128
  unsigned char
                       1
                                 0 to 255
  short
                       2
                                 32767 to -32768
  int
                       4
                                 2147483647 to -2147483648
  unsigned int
                                 0 to 4294967295
8
  long
                                 2147483647 to -2147483648
  unsigned long
                       4
                                 0 to 18446744073709551615
9
                       8
10
  long long
              9223372036854775807 to -9223372036854775808
11
12
  double
                       8
                            1.79769e+308 to 2.22507e-308
13 long double
                       16
                            1.18973e+4932 to 3.3621e-4932
14 float
                       4
                               3.40282e+38 to 1.17549e-38
15
  unsigned long long
                       8
                                 0 to 18446744073709551615
16 string
                       32
```

3 字串

3.1 最長迴文子字串

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define T(x) ((x) % 2 ? s[(x) / 2] : '.')
3 using namespace std;
4
5 string s;
6 int n;
7
8 int ex(int 1, int r) {
9 int i = 0;
```

```
while(l - i \ge 0 \&\& r + i < n \&\& T(l - i) == T(r + i)
10
         i)) i++;
11
     return i;
12 }
13
14 int main() {
    cin >> s;
15
     n = 2 * s.size() + 1;
17
18
     int mx = 0;
19
    int center = 0;
     vector<int> r(n);
20
21
     int ans = 1;
     r[0] = 1;
22
23
     for(int i = 1; i < n; i++) {</pre>
       int ii = center - (i - center);
24
       int len = mx - i + 1;
25
26
       if(i > mx) {
         r[i] = ex(i, i);
27
28
         center = i;
         mx = i + r[i] - 1;
29
30
       } else if(r[ii] == len) {
         r[i] = len + ex(i - len, i + len);
31
         center = i;
32
         mx = i + r[i] - 1;
33
34
       } else {
35
         r[i] = min(r[ii], len);
36
37
       ans = max(ans, r[i]);
38
39
40
     cout << ans - 1 << "\n";
41
     return 0;
42 }
```

3.2 stringstream

```
1 string s,word;
2 stringstream ss;
3 getline(cin,s);
4 ss<<s;
5 while(ss>>word)
6 cout<<word<endl;</pre>
```

4 STL

4.1 priority_queue

```
1 priority_queue: 優先隊列,資料預設由大到小排序,
      即優先權高的資料會先被取出。
2|宣告:
     priority_queue <int> pq;
  把元素 x 加進 priority_queue:
     pq.push(x);
5
  讀取優先權最高的值:
6
7
     x = pq.top();
                            //讀取後刪除
     pq.pop();
  判斷是否為空的priority_queue:
9
                            //回傳 true
10
     pq.empty()
11
     pq.size()
12 | 如需改變priority_queue的優先權定義:
13
     priority_queue <T> pq;
                            //預設由大到小
     priority_queue<T, vector<T>, greater<T> > pq;
14
                            //改成由小到大
15
     priority_queue <T, vector <T>, cmp> pq; //cmp
16
```

4.2 queue

```
1 queue: 佇列,資料有「先進先出」 (first in first out,
       FIFO)的特性。
  就像排隊買票一樣,先排隊的客戶被服務。
  宣告:
3
       queue <int> q;
  把元素 x 加進 queue:
5
      q.push(x);
  取值:
7
      x = q.front(); //\overline{g}
8
      x = q.back(); // \mathbb{R}
  移除已經讀取的值:
10
11
      q.pop();
  判斷是否為空的queue:
12
      q.empty() 回傳true
13
      q.size() 回傳零
14
15
16
  #include <iostream>
  #include <queue>
17
  using namespace std;
18
19
20
  int main() {
21
      int n;
      while (cin >> n){
22
23
           if (n == 0) break;
           queue <int> q;
24
           for (int i = 0; i < n; i++){
25
26
               q.push(i+1);
27
28
           cout << "Discarded cards:";</pre>
           for (int i = 0; i < n-1; i++){
29
30
               if (i != 0) cout << ',';</pre>
               cout << ' ' << q.front();
31
32
               q.pop();
33
               q.push(q.front());
34
               q.pop();
35
          }
           cout << endl << "Remaining card: " <<</pre>
36
               q.front() << endl;
37
      }
38 }
```

4.3 deque

```
1 deque 是 C++ 標準模板函式庫
2
     (Standard Template Library, STL)
     中的雙向佇列容器(Double-ended Queue),
3
     跟 vector 相似,不過在 vector
4
        中若是要添加新元素至開端,
     其時間複雜度為 O(N),但在 deque 中則是 O(1)。
5
     同樣也能在我們需要儲存更多元素的時候自動擴展空間,
6
     讓我們不必煩惱佇列長度的問題。
7
8 dq.push_back() //在 deque 的最尾端新增元素
 dq.push_front() //在 deque 的開頭新增元素
10 dq.pop_back() //移除 deque 最尾端的元素
11 dq.pop_front() //移除 deque 最開頭的元素
12 dq.back()
              //取出 deque 最尾端的元素
13 dq.front()
              //回傳 deque 最開頭的元素
14
 dq.insert()
15
 dq.insert(position, n, val)
    position: 插入元素的 index 值
16
    n: 元素插入次數
17
    val: 插入的元素值
18
19 dq.erase()
     //刪除元素,需要使用迭代器指定刪除的元素或位置,
     同時也會返回指向刪除元素下一元素的迭代器。
              //清空整個 deque 佇列。
20 dg.clear()
21 dq.size()
              //檢查 deque 的尺寸
              //如果 deque 佇列為空返回 1;
22 dq.empty()
                若是存在任何元素,則返回0
23
24 dq.begin()
              //返回一個指向 deque 開頭的迭代器
25 dq.end()
              //指向 deque 結尾,
26
               不是最後一個元素,
```

而是最後一個元素的下一個位置

4.4 map

27

```
1 map:存放 key-value pairs 的映射資料結構,
       會按 key 由小到大排序。
2
3 元素存取
4 operator[]:存取指定的[i]元素的資料
6 迭代器
7 begin():回傳指向map頭部元素的迭代器
8 end():回傳指向map末尾的迭代器
9 rbegin():回傳一個指向map尾部的反向迭代器
10 rend():回傳一個指向map頭部的反向迭代器
11
12 遍歷整個map時,利用iterator操作:
13 取key:it->first 或 (*it).first
14 取value: it->second 或 (*it).second
15
16 容量
17 empty():檢查容器是否為空,空則回傳true
18 | size():回傳元素數量
19 max_size():回傳可以容納的最大元素個數
20
21 修改器
22 clear():刪除所有元素
23 insert(): 插入元素
24 erase():刪除一個元素
25 | swap(): 交換兩個map
26
28 count():回傳指定元素出現的次數
29 find(): 查找一個元素
31 //實作範例
32 | #include <bits/stdc++.h>
33 using namespace std;
35 int main(){
36
37
      //declaration container and iterator
38
      map<string, string> mp;
39
      map<string, string>::iterator iter;
      map<string, string>::reverse_iterator iter_r;
40
41
      //insert element
42
43
      mp.insert(pair<string, string>("r000",
          "student_zero"));
44
      mp["r123"] = "student_first";
45
      mp["r456"] = "student_second";
46
47
48
      //traversal
      for(iter = mp.begin(); iter != mp.end(); iter++)
49
          cout << iter -> first << " "<< iter -> second << endl;</pre>
50
      for(iter_r = mp.rbegin(); iter_r != mp.rend();
51
          iter_r++)
          cout<<iter_r->first<<"
52
              "<<iter_r->second<<endl;
53
      //find and erase the element
54
55
      iter = mp.find("r123");
      mp.erase(iter);
56
57
      iter = mp.find("r123");
58
59
60
      if(iter != mp.end())
        cout << "Find, the value is
61
             "<<iter->second<<endl;
62
      else
         cout << "Do not Find" << endl;</pre>
63
64
      return 0;
65
```

```
66 }
67
68 //map統計數字
  #include < bits / stdc++.h>
70
  using namespace std;
72
  int main(){
    ios::sync_with_stdio(0),cin.tie(0);
73
    long long n,x;
74
75
     cin>>n;
     map <int,int> mp;
76
     while(n--){
77
78
       cin>>x;
79
       ++mp[x];
    }
80
     for(auto i:mp) cout<<i.first<< " "<<i.second<<endl;</pre>
81
82 }
```

4.5 unordered_map

```
    1 | unordered_map: 存放 key-value pairs

    2 | 的「無序」映射資料結構。

    3 | 用法與map相同
```

4.6 set

```
1 set: 集合,去除重複的元素,資料由小到大排序。
2
  宣告:
3
     set <int> st;
4
5
  把元素 x 加進 set:
6
7
     st.insert(x);
8
  檢查元素 x 是否存在 set 中:
9
10
      st.count(x):
11
  刪除元素 x:
12
     st.erase(x); // 可傳入值或iterator
13
14
  清空集合中的所有元素:
15
     st.clear():
16
17
  取值: 使用iterator
18
19
     x = *st.begin();
             // set中的第一個元素(最小的元素)。
20
21
      x = *st.rbegin();
22
             // set中的最後一個元素(最大的元素)。
23
  判斷是否為空的set:
24
      st.empty() 回傳true
25
      st.size() 回傳零
26
27
  常用來搭配的member function:
28
29
      st.count(x);
      auto it = st.find(x);
30
31
         // binary search, O(log(N))
      auto it = st.lower_bound(x);
32
33
        // binary search, O(log(N))
34
      auto it = st.upper_bound(x);
35
         // binary search, O(log(N))
```

4.7 multiset

```
1 與 set 用法雷同,但會保留重複的元素。
2 資料由小到大排序。
3 宣告:
4 multiset<int> st;
5 刪除資料:
```

```
st.erase(val); 會刪除所有值為 val 的元素。
6
    st.erase(st.find(val)); 只刪除第一個值為 val
        的元素。
```

unordered set

```
1 unordered_set 的實作方式通常是用雜湊表(hash table),
3 相對的代價是消耗較多的記憶體,空間複雜度較高,
  無自動排序功能。
6 初始化
7
  unordered_set < int > myunordered_set {1, 2, 3, 4, 5};
8
9 陣列初始化
10 int arr[] = {1, 2, 3, 4, 5};
11 unordered_set<int> myunordered_set(arr, arr+5);
12
13 插入元素
14 unordered_set < int > myunordered_set;
15 myunordered_set.insert(1);
16
17 迴圈遍歷 unordered_set 容器
18 #include <iostream>
19 #include <unordered_set>
20 using namespace std;
21
  int main() {
22
23
      unordered_set < int > myunordered_set = {3, 1};
      myunordered_set.insert(2);
24
25
      myunordered_set.insert(5);
26
      myunordered_set.insert(4);
      myunordered_set.insert(5);
27
28
      myunordered_set.insert(4);
29
30
      for (const auto &s : myunordered_set) {
          cout << s << " ";
31
32
      }
      cout << "\n";
33
34
35
      return 0;
36 }
37
38 /*
39
  output
40
  4 5 2 1 3
41
42
43 unordered_set 刪除指定元素
44 #include <iostream>
45
  #include <unordered_set>
46
47
  int main() {
48
      unordered_set<int> myunordered_set{2, 4, 6, 8};
49
50
      myunordered_set.erase(2);
      for (const auto &s : myunordered_set) {
51
          cout << s << " ";
52
53
      cout << "\n";
54
55
56
      return 0:
57 }
58 /*
59 output
60
  8 6 4
61 */
62
63 清空 unordered_set 元素
64 unordered_set < int > myunordered_set;
65 myunordered_set.insert(1);
66
  myunordered_set.clear();
67
68 unordered_set 判斷元素是否存在
```

```
69 unordered_set < int > myunordered_set;
70 myunordered_set.insert(2);
  myunordered_set.insert(4);
72 myunordered_set.insert(6);
  cout << myunordered_set.count(4) << "\n"; // 1</pre>
73
  cout << myunordered_set.count(8) << "\n"; // 0
75
76
  判斷 unordered_set 容器是否為空
77
  #include <iostream>
  #include <unordered set>
78
79
  int main() {
80
       unordered_set < int > myunordered_set;
81
82
       myunordered_set.clear();
83
84
       if (myunordered_set.empty()) {
           cout << "empty\n";</pre>
85
86
       } else {
           cout << "not empty, size is "<<</pre>
87
                myunordered_set.size() << "\n";</pre>
88
       }
89
90
       return 0;
91 }
```

單調隊列 4.9

46

```
1 //單調隊列
  "如果一個選手比你小還比你強,你就可以退役了。"--單調隊列
  example 1
  給出一個長度為 n 的數組,
  輸出每 k 個連續的數中的最大值和最小值。
9 //寫法1
10
  #include <bits/stdc++.h>
  #define maxn 1000100
12 using namespace std:
13 int q[maxn], a[maxn];
14 int n, k;
15
16
  void getmin() {
      // 得到這個隊列裡的最小值,直接找到最後的就行了
17
      int head = 0, tail = 0;
18
19
      for (int i = 1; i < k; i++) {
          while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
20
              tail--
21
          q[++tail] = i;
22
      }
23
      for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
          while (head <= tail && a[q[tail]] >= a[i])
24
              tail--
          q[++tail] = i;
25
          while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
26
          cout << a[q[head]] << " ";
27
28
      }
29
  }
30
31
  void getmax() { // 和上面同理
32
      int head = 0, tail = 0;
33
      for (int i = 1; i < k; i++) {
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
34
35
          q[++tail] = i;
36
      for (int i = k; i <= n; i++) {</pre>
37
38
          while(head<=tail&&a[q[tail]]<=a[i])tail--;</pre>
39
          q[++tail] = i;
          while (q[head] <= i - k) head++;</pre>
40
          cout << a[q[head]] << " ";
41
42
      }
43
  }
45 int main() {
      cin>>n>>k; //每k個連續的數
```

```
for (int i = 1; i <= n; i++) cin>>a[i];
47
48
        getmin():
49
        cout << '\n';
        getmax();
50
51
        cout << '\n';
52
        return 0;
53 }
54
55 //寫法2
56 #include <iostream>
57 #include <cstring>
58 #include <deque>
59 using namespace std;
60 int a[1000005];
61
62
   int main() {
63
       ios_base::sync_with_stdio(0);
64
        int n, k;
65
        while(cin>>n>>k) {
            for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
66
            deque<int> dq;
67
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
68
                 while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
69
70
                     dq.pop_front();
71
                 while(dq.size() && a[dq.back()]>a[i])
72
                     dq.pop_back();
73
                 dq.push_back(i);
                 if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];</pre>
74
                if(i>k-1) cout<< ' '<<a[dq.front()];</pre>
75
76
77
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
            cout << '\n';
78
79
            while(dq.size()) dq.pop_back();
            for(int i=0; i<n; i++){</pre>
80
81
                 while(dq.size() && dq.front()<=i-k)</pre>
82
                     dq.pop_front();
83
                 while(dq.size() && a[dq.back()]<a[i])</pre>
                     dq.pop_back();
84
85
                 dq.push_back(i);
                 if(i==k-1) cout<<a[dq.front()];</pre>
86
                 if(i>k-1) cout<< ' '<<a[dq.front()];</pre>
87
88
89
            if(k>n) cout << a[dq.front()];</pre>
            cout << '\n';
90
91
92
        return 0;
93 }
94
95
96
   example 2
97
   一個含有 n 項的數列,求出每一項前的 m
98
        個數到它這個區間內的最小值。
   若前面的數不足 m 項則從第 1
99
        個數開始,若前面沒有數則輸出 0
100
101 #include <bits/stdc++.h>
102 using namespace std;
103 #define re register int
104 #define INF 0x3f3f3f3f
105 #define ll long long
106 #define maxn 2000009
   #define maxm
108
   inline 11 read() {
       11 x=0, f=1;
109
        char ch=getchar();
110
        while(ch<'0'||ch>'9'){
111
        if(ch=='-') f=-1;
112
113
        ch=getchar();
114
        while(ch>= '0'&&ch<='9'){</pre>
115
        x=(x<<1)+(x<<3)+(11)(ch-'0');
116
117
        ch=getchar();
118
119
        return x*f;
120 }
121 int n,m,k,tot,head,tail;
```

```
122 int a[maxn],q[maxn];
   int main() {
123
       n=read(), m=read();
124
       for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();</pre>
125
       head=1,tail=0;//起始位置為1
126
            因為插入是q[++tail]所以要初始化為0
127
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
         //每次隊首的元素就是當前的答案
128
129
130
            cout << a[q[head]] << endl;</pre>
            while(i-q[head]+1>m&&head<=tail)//維護隊首
131
132
                head++;
133
            while(a[i]<a[q[tail]]&&head<=tail)//維護隊尾
134
               tail--:
135
            q[++tail]=i;
       }
136
137
       return 0;
138 }
```

5 sort

5.1 大數排序

```
1 #python 大數排序
  while True:
3
4
    trv:
                              # 有幾筆數字需要排序
5
     n = int(input())
                              # 建立空串列
6
     arr = []
7
      for i in range(n):
       arr.append(int(input())) # 依序將數字存入串列
8
                              # 串列排序
9
      arr.sort()
10
      for i in arr:
                           # 依序印出串列中每個項目
11
       print(i)
12
    except:
     break
13
```

5.2 bubble sort

```
1 #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
4
  int main() {
    int n:
     cin>>n;
     int a[n], tmp;
7
8
     for(int i=0; i<n; i++) cin>>a[i];
9
     for(int i=n-1; i>0; i--) {
       for(int j=0; j<=i-1; j++) {</pre>
10
11
         if( a[j]>a[j+1]) {
12
           tmp=a[j];
13
            a[j]=a[j+1];
14
           a[j+1]=tmp;
15
16
       }
    }
17
18
     for(int i=0; i<n; i++) cout<<a[i]<<" ";</pre>
19 }
```

6 math

6.1 質數與因數

```
1 質數
2 3 埃氏篩法
4 int n;
```

```
5 vector<int> isprime(n+1,1);
6 isprime[0]=isprime[1]=0;
  for(int i=2;i*i<=n;i++){</pre>
      if(isprime[i])
8
9
          for(int j=i*i;j<=n;j+=i) isprime[j]=0;</pre>
10 }
11
12
13
  因數
14
15
16
  最大公因數 O(log(min(a,b)))
17 int GCD(int a, int b)
18 {
19
      if (b == 0) return a;
20
      return GCD(b, a % b);
21 | }
22
23 質因數分解
24
25 void primeFactorization(int n)
26 {
27
       for (int i = 0; i < (int)p.size(); ++i)</pre>
28
           if (p[i] * p[i] > n)
29
30
               break;
31
          if (n % p[i])
32
               continue;
           cout << p[i] << ' ';
33
           while (n % p[i] == 0)
35
              n /= p[i];
36
      if (n != 1)
37
          cout << n << ' ';
38
39
       cout << '\n';
40 | }
41
42|歌德巴赫猜想
43 | solution : 把偶數 N (6≤N≤10^6) 寫成兩個質數的和。
44 #include <iostream>
45 #include <cstdio>
46 using namespace std;
47 #define N 20000000
48 int ox[N], p[N], pr;
49
  void PrimeTable(){
50
51
      ox[0] = ox[1] = 1;
52
      pr = 0;
53
       for (int i = 2; i < N; i++){
          if (!ox[i]) p[pr++] = i;
54
           for (int j = 0;i*p[j]<N&&j < pr; j++)</pre>
55
56
               ox[i*p[j]] = 1;
57
      }
58 }
59
  int main(){
      PrimeTable();
61
62
      int n:
63
          while (cin>>n,n){
               int x;
64
65
               for (x = 1;; x += 2)
                   if (!ox[x] && !ox[n - x])break;
66
67
               printf("%d = %d + %d\n", n, x, n - x);
68
      }
69 }
70 problem : 給定整數 N,求 N
       最少可以拆成多少個質數的和。
71 如果 N 是質數,則答案為 1。
72 如果 N 是偶數(不包含2),則答案為 2 (強歌德巴赫猜想)。
73 如果 N 是奇數且 N-2 是質數,則答案為 2 (2+質數)。
74 其他狀況答案為 3 (弱歌德巴赫猜想)。
75 #pragma GCC optimize("02")
76 #include <bits/stdc++.h>
77 using namespace std;
78 #define FOR(i, L, R) for(int i=L;i<(int)R;++i)
79 #define FORD(i, L, R) for(int i=L;i>(int)R;--i)
```

```
80 #define IOS
        cin.tie(nullptr);
81
        cout.tie(nullptr);
82
        ios_base::sync_with_stdio(false);
83
84
85
   bool isPrime(int n){
        FOR(i, 2, n){
86
87
             if (i * i > n)
88
                 return true;
             if (n % i == 0)
89
90
                 return false;
91
92
        return true;
93 }
94
   int main(){
95
96
        IOS;
97
        int n;
98
        cin >> n;
99
        if(isPrime(n)) cout << "1\n";</pre>
100
        else if(n%2==0||isPrime(n-2)) cout << "2\n";</pre>
101
        else cout << "3\n";</pre>
102 }
```

6.2 prime factorization

```
#include <bits/stdc++.h>
2
  using namespace std;
  int main() {
5
     int n;
6
     while(true) {
7
       cin>>n;
       for(int x=2; x<=n; x++) {</pre>
8
          while(n%x==0) {
9
10
            cout << x << "*":
11
            n/=x;
12
          }
       }
13
       cout << "\b \n";
14
15
16
     system("pause");
17
     return 0;
18 }
```

6.3 快速冪

```
1 計算a^b
  #include <iostream>
  #define ll long long
  using namespace std;
6
  const 11 MOD = 1000000007;
  11 fp(11 a, 11 b) {
7
    int ans = 1;
    while(b > 0) \{
       if(b & 1) ans = ans * a % MOD;
10
11
       a = a * a % MOD;
12
       b >>= 1;
13
    }
14
    return ans;
15
  }
16
17
  int main() {
18
    int a, b;
    cin>>a>>b;
19
20
    cout << fp(a,b);
21 }
```

7 algorithm

7.1 basic

```
1 min_element:找尋最小元素
2 min_element(first, last)
3 max_element:找尋最大元素
4 max_element(first, last)
5 sort:排序,預設由小排到大。
6 sort(first, last)
기 sort(first, last, cmp):可自行定義比較運算子 cmp ∘
8 find:尋找元素。
9 find(first, last, val)
10 lower_bound:尋找第一個小於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last。
11 lower_bound(first, last, val)
12 | upper_bound:尋找第一個大於 x
     的元素位置,如果不存在,則回傳 last 。
upper_bound(first, last, val)
14 next_permutation:將序列順序轉換成下一個字典序,
                如果存在回傳 true,反之回傳 false 。
15
16 next_permutation(first, last)
17 prev_permutation:將序列順序轉換成上一個字典序,
                如果存在回傳 true,反之回傳 false
19 prev_permutation(first, last)
```

7.2 binarysearch

42 */

43 44 /*

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
4
  int binary_search(vector<int> &nums, int target) {
       int left=0, right=nums.size()-1;
5
       while(left<=right){</pre>
           int mid=(left+right)/2;
7
8
           if (nums[mid]>target) right=mid-1;
9
           else if(nums[mid]<target) left=mid+1;</pre>
10
           else return mid+1;
11
       return 0;
12
13 }
14
15 int main() {
16
    int n, k, x;
17
    cin >> n >> k;
18
    int a[n];
19
    vector<int> v;
    for(int i=0 ; i<n ; i++){</pre>
20
21
       cin >> x;
22
      v.push_back(x);
23
    for(int i=0 ; i<k ; i++) cin >> a[i];
24
    for(int i=0 ; i<k ; i++){</pre>
25
       cout << binary_search(v, a[i]) << endl;</pre>
26
27
28 }
29
30 lower_bound(a, a + n, k);
                                  //最左邊 ≥ k 的位置
31 upper_bound(a, a + n, k);
                                  //最左邊 > k 的位置
32 upper_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
33 lower_bound(a, a + n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
                                  //等於 k 的範圍
34 (lower_bound, upper_bound)
35 equal_range(a, a+n, k);
36
37 /*
38 input
39 5 5
40 1 3 4 7 9
41 3 1 9 7 -2
```

```
45 output
46 2
47 1
48 5
49 4
50 0
51 */
```

7.3 prefix sum

```
1 // 前綴和
  陣列前n項的和。
  b[i] = a[0] + a[1] + a[2] + \cdots + a[i]
  區間和 [1, r]:b[r]-b[1-1] (要保留b[1]所以-1)
  #include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
  int main(){
      int n;
      cin >> n;
10
      int a[n], b[n];
11
      for(int i=0; i<n; i++) cin >> a[i];
12
      b[0] = a[0];
13
      for(int i=1; i<n; i++) b[i] = b[i-1] + a[i];</pre>
14
15
       for(int i=0;i<n;i++) cout<<b[i]<<' ';</pre>
      cout << '\n';
16
17
      int 1, r;
       cin >> 1 >> r;
18
19
      cout << b[r] - b[1-1] ; //區間和
20 }
```

7.4 差分

```
1 // 差分
2|用途:在區間 [1, r] 加上一個數字v。
3|b[1] += v; (b[0~1] 加上v)
4 b[r+1] -= v; (b[r+1~n] 減去v (b[r] 仍保留v))
5|給的 a[] 是前綴和數列,建構 b[],
  因為 a[i] = b[0] + b[1] + b[2] + ··· + b[i],
  所以 b[i] = a[i] - a[i-1]。
8|在 b[1] 加上 v,b[r+1] 減去 v,
9|最後再從 0 跑到 n 使 b[i] += b[i-1]。
10 這樣一來,b[] 是一個在某區間加上v的前綴和。
12 #include <bits/stdc++.h>
13
  using namespace std;
  int a[1000], b[1000];
14
15
  // a: 前綴和數列, b: 差分數列
  int main(){
16
      int n, 1, r, v;
17
      cin >> n;
18
19
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
20
          cin >> a[i];
          b[i] = a[i] - a[i-1]; //建構差分數列
21
22
23
      cin >> 1 >> r >> v;
      b[1] += v;
24
25
      b[r+1] -= v;
26
      for(int i=1; i<=n; i++){</pre>
27
28
          b[i] += b[i-1];
29
          cout << b[i] << ' ';
30
31 }
```

7.5 greedy

```
1 //貪心
```

3 採取在目前狀態下最好或最佳(即最有利)的選擇。

8

```
78 //solution
                                                       執行時間長的人先交代任務
5 但不保證能獲得最後(全域)最佳解,
                                                     79
6 提出想法後可以先試圖尋找有沒有能推翻原本的想法的反例,
                                                     80
                                                       //code
  確認無誤再實作。
                                                       #include <bits/stdc++.h>
                                                     82
                                                       using namespace std;
9 Scarecrow
                                                       struct Data{
                                                     84
10 //problem
                                                          int b, j;
                                                     85
11 有一個 N×1 的稻田,有些稻田現在有種植作物,
                                                          bool operator<(const Data &rhs) const {</pre>
                                                     86
12 為了避免被動物破壞,需要放置稻草人,
                                                     87
                                                              return j > rhs.j;
13 稻草人可以保護該塊稻田和左右兩塊稻田,
                                                     88
14 請問最少需要多少稻草人才能保護所有稻田?
                                                     89
                                                       };
15
                                                     90
16 //solutoin
                                                     91
                                                       int main(){
int n, ti = 0;
                                                     92
18 就把稻草人放到第 i+1 塊稻田,
                                                     93
                                                          Data a[1005];
19 這樣能保護第 i,i+1,i+2 塊稻田,
                                                           while (cin >> n, n){
                                                     94
20 接著從第 i+3 塊稻田繼續掃描。
                                                              for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                     95
                                                     96
                                                                  cin >> a[i].b >> a[i].j;
21
                                                     97
                                                              sort(a, a + n);
22 //code
                                                     98
                                                              int ans = 0, sum = 0;
23 #include <bits/stdc++.h>
                                                              for (int i = 0; i < n; ++i){</pre>
24 using namespace std;
                                                     99
                                                                  sum += a[i].b;
                                                    100
25 int main(){
                                                                  ans = max(ans, sum + a[i].j);
                                                    101
     string s;
26
                                                    102
27
     int i, n, t, tc = 1;
                                                    103
                                                              cout << "Case "<<++ti<<": "<<ans<<'\n';
     cin >> t;
28
                                                          }
29
     while (t--){
                                                    104
         cin >> n >> s;
                                                       }
                                                    105
30
31
         int nc = 0;
                                                    106
                                                    107 刪數字問題
32
         for (i = 0; i < n; i++)
             if (s[i] == '.')i += 2, nc++;
                                                    108
                                                       //problem
33
         cout << "Case "<<tc++<<": "<<nc<<endl;</pre>
                                                    109 | 給定一個數字 N(≤10^100),需要刪除 K 個數字,
34
     }
35
                                                       請問刪除 K 個數字後最小的數字為何?
                                                    110
36 }
                                                    111
37
                                                       //solution
                                                    112
38 霍夫曼樹的變形題
                                                    113 刪除滿足第 i 位數大於第 i+1 位數的最左邊第 i 位數,
39 //problem
                                                    114 扣除高位數的影響較扣除低位數的大。
40 給定 N 個數,每次將兩個數 a,b 合併成 a+b,
                                                    115
41 只到最後只剩一個數,合併成本為兩數和,
                                                       //code
                                                    116
  問最小合併成本為多少。
42
                                                    117
                                                       int main()
43
                                                    118
                                                       {
44 //solution
                                                    119
                                                           string s;
45 每次將最小的兩數合併起來。
                                                          int k;
                                                    120
                                                    121
                                                           cin >> s >> k:
46
                                                           for (int i = 0; i < k; ++i){
                                                    122
47 //code
                                                              if ((int)s.size() == 0) break;
48 #include <bits/stdc++.h>
                                                    123
                                                              int pos = (int)s.size() - 1;
                                                    124
49 using namespace std;
                                                              for (int j = 0; j < (int)s.size() - 1; ++j){</pre>
50 int main()
                                                    125
                                                                  if (s[j] > s[j + 1]){
51 {
                                                    126
                                                    127
                                                                      pos = j;
52
     int n, x;
53
      while (cin >> n, n){
                                                    128
                                                                      break;
                                                    129
                                                                  }
         priority_queue < int , vector < int > , greater < int >>
54
                                                    130
                                                              }
                                                    131
                                                              s.erase(pos, 1);
         while (n--){
55
             cin >> x:
                                                    132
56
                                                           while ((int)s.size() > 0 && s[0] == '0')
57
             q.push(x);
                                                    133
                                                    134
                                                              s.erase(0, 1);
58
                                                           if ((int)s.size()) cout << s << '\n';</pre>
                                                    135
         long long ans = 0;
59
                                                           else cout << 0 << '\n';
                                                    136
60
         while (q.size() > 1){
                                                    137 }
            x = q.top();
61
                                                    138
62
             q.pop();
                                                    139
             x += q.top();
63
                                                    140 區間覆蓋長度
64
             q.pop();
                                                    141 //problem
65
             q.push(x);
             ans += x;
                                                    142 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
66
67
                                                    143 請問這些線段的覆蓋所覆蓋的長度?
         cout << ans << endl;</pre>
68
                                                    144
69
                                                    145
                                                       //solution
70 }
                                                    146 先將所有區間依照左界由小到大排序,
71
                                                    147 左界相同依照右界由小到大排序,
72 Commando War
                                                    148 用一個變數 R 紀錄目前最大可以覆蓋到的右界。
73 //problem
                                                    149 如果目前區間左界 ≤R,代表該區間可以和前面的線段合併。
74 有 n 個部下,每個部下要花 Bi 分鐘交待任務,
                                                    150
75 再花 Ji 分鐘執行任務,一次只能對一位部下交代任務,
                                                       //code
76 但可以多人同時執行任務,問最少要花多少時間完成任務。
                                                       struct Line
                                                    152
```

77

9

```
154
       int L, R;
                                                         230 //problem
       bool operator < (const Line &rhs) const
                                                         231 給你 n 條線段區間為 [Li, Ri],
155
156
                                                             請問最多可以選擇幾條不重疊的線段(頭尾可相連)?
                                                         232
           if (L != rhs.L) return L < rhs.L;</pre>
157
                                                         233
158
           return R < rhs.R;</pre>
                                                             //solution
159
                                                          235 依照右界由小到大排序,
160 }:
                                                         236
                                                             每次取到一個不重疊的線段,答案 +1。
161
                                                         237
   int main(){
162
                                                          238
163
       int n;
                                                         239
                                                             struct Line
       Line a[10005];
164
                                                         240
                                                             {
       while (cin >> n){
165
                                                          241
                                                                 int L, R;
           for (int i = 0; i < n; i++)
166
                                                                 bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
                                                         242
               cin >> a[i].L >> a[i].R;
167
                                                         243
                                                                      return R < rhs.R;</pre>
168
           sort(a, a + n);
                                                         244
           int ans = 0, L = a[0].L, R = a[0].R;
169
                                                         245
                                                             };
           for (int i = 1; i < n; i++){</pre>
170
                                                         246
171
               if (a[i].L < R) R = max(R, a[i].R);</pre>
                                                             int main(){
                                                         247
172
               else{
                                                          248
173
                  ans += R - L;
                                                                 cin >> t;
                                                         249
                  L = a[i].L;
174
                                                         250
                                                                 Line a[30];
175
                  R = a[i].R;
                                                         251
                                                                 while (t--){
              }
176
                                                          252
                                                                     int n = 0:
177
           }
                                                          253
                                                                     while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
178
           cout << ans + (R - L) << ' \setminus n';
                                                         254
                                                                        ++n:
179
       }
                                                          255
                                                                     sort(a, a + n);
180
                                                                     int ans = 1, R = a[0].R;
                                                          256
181
                                                          257
                                                                     for (int i = 1; i < n; i++){</pre>
182
                                                          258
                                                                         if (a[i].L >= R){
   最小區間覆蓋長度
183
                                                                             ++ans:
                                                         259
184
   //problem
                                                                             R = a[i].R;
                                                          260
185 給定 n 條線段區間為 [Li,Ri],
                                                         261
                                                                        }
   請問最少要選幾個區間才能完全覆蓋 [0,S]?
186
                                                          262
187
                                                                     cout << ans << '\n';
                                                         263
   //solution
                                                                 }
                                                          264
189 先將所有區間依照左界由小到大排序,
                                                             }
                                                          265
190 對於當前區間 [Li, Ri],要從左界 >Ri 的所有區間中,
                                                          266
                                                          267
191 找到有著最大的右界的區間,連接當前區間。
                                                          268 區間選點問題
192
                                                         269
                                                             //problem
193 //problem
                                                         270 給你 n 條線段區間為 [Li.Ri],
194 長度 n 的直線中有數個加熱器,
                                                             請問至少要取幾個點才能讓每個區間至少包含一個點?
   在 x 的加熱器可以讓 [x-r,x+r] 內的物品加熱,
                                                         271
                                                         272
   問最少要幾個加熱器可以把 [0,n] 的範圍加熱。
                                                         273
                                                             //solution
197
                                                         274 將區間依照右界由小到大排序,R=第一個區間的右界,
   //solution
198
                                                             遍歷所有區段,如果當前區間左界>R ,
199 對於最左邊沒加熱的點a,選擇最遠可以加熱a的加熱器,
                                                         275
                                                             代表必須多選一個點 (ans+=1),並將 R=當前區間右界。
   更新已加熱範圍,重複上述動作繼續尋找加熱器。
                                                         276
200
                                                         277
201
   //code
                                                          278
                                                             //problem
202
                                                             給定 N 個座標,要在 x 軸找到最小的點,
   int main(){
203
                                                         279
                                                             讓每個座標至少和一個點距離 ≤ D。
204
       int n, r;
                                                          280
       int a[1005];
205
                                                         281
206
       cin >> n >> r;
                                                             //solution
                                                         282
       for (int i=1;i<=n;++i) cin>>a[i];
207
                                                         283 以每個點 (xi,yi) 為圓心半徑為 D 的圓 C,
208
       int i = 1, ans = 0;
                                                             求出 C 和 x 軸的交點 Li, Ri, 題目轉變成區間選點問題。
       while (i \le n){
209
                                                         285
           int R=min(i+r-1, n), L=max(i-r+1, 0)
210
                                                         286
                                                             //code
211
           int nextR=-1;
                                                         287
                                                             struct Line
           for (int j = R; j >= L; --j){}
212
                                                         288
213
               if (a[j]){
                                                                 int L, R;
                                                         289
                  nextR = j;
214
                                                                 bool operator<(const Line &rhs) const {</pre>
                                                         290
                   break:
                                                         291
                                                                     return R < rhs.R;</pre>
              }
216
                                                         292
217
                                                         293 };
218
           if (nextR == -1){
                                                         294
               ans = -1;
219
                                                             int main(){
                                                         295
220
               break;
                                                          296
                                                                 int t;
           }
221
                                                         297
                                                                 cin >> t;
222
           ++ans;
                                                                 Line a[30]:
                                                         298
223
           i = nextR + r;
                                                          299
                                                                 while (t--){
224
                                                                     int n = 0:
                                                         300
       cout << ans << '\n';
225
                                                          301
                                                                     while (cin>>a[n].L>>a[n].R, a[n].L||a[n].R)
226 }
                                                         302
                                                                        ++n:
227
                                                         303
                                                                     sort(a, a + n);
228
                                                          304
                                                                     int ans = 1, R = a[0].R;
229 最多不重疊區間
```

for (int i = 1; i < n; i++){</pre>

305

```
306
              if (a[i].L >= R){
                                                       381
                                                              int n = 0;
                                                              Work a[10000];
307
                                                      382
                  ++ans:
                 R = a[i].R;
                                                              priority_queue<int> pq;
308
                                                       383
                                                              while(cin >> a[n].t >> a[n].d)
309
              }
                                                       384
310
                                                       385
                                                                 ++n;
          cout << ans << '\n';
311
                                                       386
                                                              sort(a, a + n);
                                                              int sumT = 0, ans = n;
312
                                                      387
313 }
                                                       388
                                                              for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                                 pq.push(a[i].t);
314
                                                       389
315
                                                       390
                                                                 sumT += a[i].t;
316 最小化最大延遲問題
                                                       391
                                                                 if(a[i].d<sumT){</pre>
                                                                     int x = pq.top();
317
  //problem
                                                       392
                                                                     pq.pop();
318 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                       393
                                                                     sumT -= x;
   期限是 Di, 第 i 項工作延遲的時間為 Li=max(0,Fi-Di),
                                                       394
                                                       395
                                                                     --ans:
  原本Fi 為第 i 項工作的完成時間,
320
                                                                 }
                                                       396
321 求一種工作排序使 maxLi 最小。
                                                       397
                                                             }
322
                                                       398
                                                              cout << ans << '\n';
323 //solution
                                                       399
                                                          }
324 按照到期時間從早到晚處理。
                                                       400
325
                                                          任務調度問題
                                                       401
326
                                                       402
                                                          //problem
  struct Work
327
                                                       403 | 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
328
                                                          期限是 Di,如果第 i 項工作延遲需要受到 pi 單位懲罰,
329
      int t, d;
                                                          請問最少會受到多少單位懲罰。
                                                       405
      bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
330
          return d < rhs.d;</pre>
331
                                                       407
                                                          //solution
332
                                                       408 依照懲罰由大到小排序,
333 };
                                                          每項工作依序嘗試可不可以放在 Di-Ti+1, Di-Ti,...,1,0,
334
                                                       409
335
  int main(){
                                                          如果有空閒就放進去,否則延後執行。
                                                      410
336
      int n;
                                                      411
      Work a[10000];
337
                                                       412
                                                          //problem
      cin >> n;
338
                                                          給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
                                                       413
339
      for (int i = 0; i < n; ++i)
                                                          期限是 Di,如果第 i 項工作在期限內完成會獲得 ai
340
          cin >> a[i].t >> a[i].d;
                                                              單位獎勵,
341
      sort(a, a + n);
                                                          請問最多會獲得多少單位獎勵。
                                                       415
      int maxL = 0, sumT = 0;
342
                                                      416
343
      for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                       417
                                                          //solution
          sumT += a[i].t;
344
                                                       418 和上題相似,這題變成依照獎勵由大到小排序。
345
          maxL = max(maxL, sumT - a[i].d);
                                                      419
346
                                                       420
                                                          //code
347
      cout << maxL << '\n';
                                                       421
                                                          struct Work
348 }
                                                       422
349
                                                       423
                                                              int d, p;
350
                                                             bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
                                                       424
   最少延遲數量問題
351
                                                       425
                                                                 return p > rhs.p;
  //problem
352
                                                       426
353 給定 N 個工作,每個工作的需要處理時長為 Ti,
                                                         };
                                                       427
   期限是 Di,求一種工作排序使得逾期工作數量最小。
354
                                                       428
355
                                                          int main(){
                                                       429
356 //solution
                                                       430
                                                              int n;
357 期限越早到期的工作越先做。將工作依照到期時間從早到晚排序3
                                                              Work a[100005];
358 依序放入工作列表中,如果發現有工作預期,
                                                              bitset<100005> ok;
                                                       432
  就從目前選擇的工作中,移除耗時最長的工作。
359
                                                       433
                                                              while (cin >> n){
360
                                                                 ok.reset();
                                                       434
                                                                 for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
361
   上述方法為 Moore-Hodgson s Algorithm。
                                                       435
                                                                     cin >> a[i].d >> a[i].p;
362
                                                       436
                                                       437
                                                                 sort(a, a + n);
   //problem
363
                                                       438
                                                                 int ans = 0;
   給定烏龜的重量和可承受重量,問最多可以疊幾隻烏龜?
364
                                                                 for (int i = 0; i < n; ++i){
                                                       439
                                                       440
                                                                     int j = a[i].d;
   和最少延遲數量問題是相同的問題,只要將題敘做轉換。
                                                                     while (j--)
                                                       441
367
                                                       442
                                                                         if (!ok[j]){
368 工作處裡時長→烏龜重量
                                                       443
                                                                            ans += a[i].p;
  工作期限 → 烏龜可承受重量
369
                                                                            ok[j] = true;
                                                       444
370 多少工作不延期 → 可以疊幾隻烏龜
                                                       445
                                                                            break;
371
                                                       446
                                                                         }
372
   //code
                                                       447
  struct Work{
373
                                                       448
                                                                 cout << ans << '\n';
374
                                                       449
375
      bool operator<(const Work &rhs) const {</pre>
                                                       450
376
          return d < rhs.d;</pre>
                                                       451
377
          }
                                                       452 多機調度問題
378 };
                                                       453 //problem
379
                                                       454 給定 N 項工作,每項工作的需要處理時長為 Ti,
380 int main(){
                                                       455 有 M 台機器可執行多項工作,但不能將工作拆分,
```

```
456 最快可以在什麼時候完成所有工作?
457
   //solution
459 | 將工作由大到小排序,每項工作交給最快空閒的機器。
460
461
462
   int main(){
       int n, m;
463
       int a[10000];
464
465
       cin >> n >> m;
       for (int i = 0; i < n; ++i)
466
           cin >> a[i];
467
468
       sort(a, a + n,greater<int>());
469
       int ans = 0;
       priority_queue < int , vector < int > , greater < int >>pq;
470
471
       for (int i = 0; i < m && i < n; ++i){</pre>
            ans = max(ans, a[i]);
472
473
            pq.push(a[i]);
474
475
       for (int i = m; i < n; ++i){
            int x = pq.top();
476
            pq.pop();
477
478
            x += a[i];
479
            ans = max(ans, x);
            pq.push(x);
480
481
       cout << ans << '\n';
482
483 }
```

8 動態規劃

8.1 LCS 和 LIS

```
1 //最長共同子序列(LCS)
2| 給定兩序列 A,B ,求最長的序列 C ,
 C 同時為 A,B 的子序列。
5 //最長遞增子序列 (LIS)
  給你一個序列 A , 求最長的序列 B ,
6
   B 是一個(非)嚴格遞增序列,且為 A 的子序列。
8
9 //LCS 和 LIS 題目轉換
10 LIS 轉成 LCS
    1. A 為原序列, B=sort(A)
11
    2. 對 A,B 做 LCS
12
13 LCS 轉成 LIS
    1. A, B 為原本的兩序列
14
    2. 最 A 序列作編號轉換,將轉換規則套用在 B
15
16
    3. 對 B 做 LIS
    4. 重複的數字在編號轉換時後要變成不同的數字,
17
      越早出現的數字要越小
18
19
    5. 如果有數字在 B 裡面而不在 A 裡面,
      直接忽略這個數字不做轉換即可
20
```

9 graph

9.1 graph

```
#include < bits / stdc ++ . h >
using namespace std;

class Node {
public:
    int val;
    vector < Node *> children;

Node() {}

Node(int _val) {
```

```
12
           val = _val;
      }
13
14
      Node(int _val, vector<Node*> _children) {
15
16
           val = _val;
17
           children = _children;
18
19 };
20
  struct ListNode {
21
22
       int val;
      ListNode *next;
23
24
       ListNode() : val(0), next(nullptr) {}
       ListNode(int x) : val(x), next(nullptr) {}
25
26
       ListNode(int x, ListNode *next) : val(x),
           next(next) {}
27 };
28
  struct TreeNode {
29
30
       int val;
31
       TreeNode *left:
32
       TreeNode *right;
33
       TreeNode() : val(0), left(nullptr),
           right(nullptr) {}
       TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr),
           right(nullptr) {}
       TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right)
35
           : val(x), left(left), right(right) {}
36 }:
37
  class ListProblem {
38
39
      vector<int> nums={};
  public:
40
41
      void solve() {
42
           return;
43
44
45
       ListNode* buildList(int idx) {
           if(idx == nums.size()) return NULL;
46
           ListNode *current=new
47
                ListNode(nums[idx++], current ->next);
48
           return current;
      }
49
50
       void deleteList(ListNode* root) {
51
52
           if(root == NULL) return;
53
           deleteList(root->next);
54
           delete root;
55
           return;
      }
56
57
  };
58
59
  class TreeProblem {
       int null = INT_MIN;
60
      vector<int> nums = {}, result;
61
  public:
62
       void solve() {
63
64
65
           return;
66
67
       TreeNode* buildBinaryTreeUsingDFS(int left, int
68
           right) {
           if((left > right) || (nums[(left+right)/2] ==
69
                null)) return NULL;
70
           int mid = (left+right)/2;
71
           TreeNode* current = new TreeNode(
72
                nums[mid].
73
               buildBinaryTreeUsingDFS(left,mid-1),
74
                buildBinaryTreeUsingDFS(mid+1, right));
75
           return current;
76
      }
77
78
       TreeNode* buildBinaryTreeUsingBFS() {
79
           int idx = 0;
80
           TreeNode* root = new TreeNode(nums[idx++]);
           queue < TreeNode *> q;
81
```

```
Section2
                                                                       10
82
             q.push(root);
             while(idx < nums.size()) {</pre>
83
                 if(nums[idx] != null) {
84
                                                                       10.1
                                                                                thm
                      TreeNode* left = new
85
                           TreeNode(nums[idx]);
                                                                          · 中文測試
                      q.front()->left = left;
86
                      q.push(left);
87
                                                                          • \sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}
88
                 }
                 idx++;
89
                 if((idx < nums.size()) && (nums[idx] !=</pre>
90
                      null)) {
                                                                        11
                                                                               space
                      TreeNode* right = new
91
                           TreeNode(nums[idx]);
                      q.front()->right = right;
92
                                                                       11.1
                                                                                S
93
                      q.push(right);
                 }
94
                 idx++;
                                                                     1 /*
95
96
                 q.pop();
                                                                     2
                                                                       1
            }
                                                                     3
                                                                       2
97
98
             return root;
                                                                       3
        }
                                                                     5
                                                                       4
99
100
        Node* buildNAryTree() {
                                                                     7
                                                                       6
101
102
            int idx = 2;
                                                                     8
103
            Node *root = new Node(nums.front());
                                                                     9
            queue < Node *> q;
                                                                       9
104
                                                                     10
             q.push(root);
105
106
             while(idx < nums.size()) {</pre>
                                                                     12
                                                                       11
107
                 while((idx < nums.size()) && (nums[idx]</pre>
                                                                     13
                                                                       12
                      != null)) {
                                                                     14
                                                                       13
                      Node *current = new Node(nums[idx++]);
                                                                       14
                                                                     15
108
109
                      q.front()->children.push_back(current);
                                                                       15
110
                      q.push(current);
                                                                     17
                                                                       16
111
                                                                     18
                                                                       17
112
                 idx++;
                                                                     19
                                                                       18
113
                 q.pop();
                                                                     20
                                                                       19
114
            }
                                                                     21
                                                                       20
                                                                       21
             return root;
                                                                     22
115
                                                                     23
                                                                       22
116
117
                                                                     24
                                                                       23
        void deleteBinaryTree(TreeNode* root) {
                                                                       24
118
                                                                     25
119
            if(root->left != NULL)
                                                                     26
                                                                       25
                 deleteBinaryTree(root->left);
                                                                       26
                                                                     27
120
             if(root->right != NULL)
                                                                     28
                                                                       27
                                                                       28
                 deleteBinaryTree(root->right);
                                                                     29
121
             delete root;
                                                                     30
122
             return;
                                                                     31
                                                                       30
        }
                                                                     32
                                                                       31
123
124
                                                                     33
                                                                       32
        void deleteNAryTree(Node* root) {
                                                                       3.3
                                                                     34
125
126
             if(root == NULL) return;
                                                                     35
                                                                       34
             for(int i=0; i<root->children.size(); i++) {
                                                                       35
127
                                                                     36
128
                 deleteNAryTree(root->children[i]);
                                                                     37
                                                                       36
129
                 delete root->children[i];
                                                                     38
                                                                       37
            }
                                                                       38
130
                                                                     39
             delete root;
                                                                     40
                                                                       39
131
            return;
                                                                     41
                                                                       40
132
133
                                                                       */
134
        void inorderTraversal(TreeNode* root) {
135
             if(root == NULL) return;
136
             inorderTraversal(root->left);
137
             cout << root -> val << ' ';</pre>
138
139
             inorderTraversal(root->right);
140
             return;
141
        }
142 };
143
144
   int main() {
145
146
        return 0;
147 }
```