Import relevant packages here.

In [15]:
```
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
import numpy as np
import math
```

Load the data and verify it is loaded correctly.

- Print it (head, tail, or specific rows, choose a sensible number of rows).
- Compare it to the source file.

In [2]:
```
df = pd.read_csv('cf_data.csv')
```

In [5]:
```
df.head(10)
```

Out[5]:

	dv	s	a
0	-0.743240	53.5427	1.242570
1	-0.557230	53.6120	1.777920
2	-0.454769	53.6541	0.544107
3	-0.525396	53.7030	-0.294755
4	-0.601285	53.7592	-0.290961
5	-0.682448	53.8232	-0.283414
6	-0.768859	53.8957	-0.271604
7	-0.860452	53.9770	-0.133532
8	-0.832777	54.0678	0.243356
9	-0.576125	54.1436	0.406759

In the ensuing, you will use `numpy`.

Let's create a grid for the values to plot. But first create **two arrays named** `dv` **and** `s` using `numpy.linspace` that hold the grid values at the relevant indices in their respective dimension of the grid.

Create a **grid named** `a` with zeros using `numpy.zeros` in to which calculated acceleration values can be stored.

Let the grid span:

- Speed difference `dv` [m/s]
  - From -10 till 10
  - With 41 evenly spaced values
- Headway `s` [m]
  - From 0 till 200
  - With 21 evenly spaced values

In [34]:
```
dv = np.linspace(-10,10,num=41);
s = np.linspace(0,200,num=21);
a = np.zeros((21,41));
a
```

```
Out[34]: array([[0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.],
                [0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.]])
```

Create from the imported data 3 separate `numpy` arrays for each column `dv` , `s` and `a` . (We do this for speed reasons later.)

- Make sure to name them differently from the arrays that belong to the grid as above.
- You can access the data of each column in a `DataFrame` using `data.xxx` where `xxx` is the column name (not as a string).
- Use the method `to_numpy()` to convert a column to a `numpy` array.

In [14]:
```
DV = df.dv.to_numpy();
S = df.s.to_numpy();
A = df.a.to_numpy();
print(len(A))
```

```
73908
```

Create an algorithm that calculates all the acceleration values and stores them in the grid. The algorithm is described visually in the last part of the lecture. At each grid point, it calculates a weighted mean of all measurements. The weights are given by an exponential function, based on the 'distance' between the grid point, and the measurement values of `dv` and `s` . To get you started, how many `for` -loops do you need?

For this you will need `math` .
Use an *upsilon* of 1.5m/s and a *sigma* of 30m.

Warning: This calculation may take some time. So:

- Print a line for each iteration of the outer-most `for` -loop that shows you the progress.
- Test you code by running it only on the first 50 measurements of the data.

In [47]:
```
for dv_grid in range(len(dv)):
    for s_grid in range(len(s)):
        sum_ohmA = 0; # we reset the variables to calculate a for each cel
        sum_ohm = 0;
        for p in range(len(df)): # for each point in the df
            ohm = math.exp( - abs(DV[p]-dv[dv_grid]) / 1.5 - abs(S[p]-s[s_grid]) /
            sum_ohmA += ohm * A[p]; # we define the variables to calculate a for ea
            sum_ohm += ohm;
        a[s_grid,dv_grid] = sum_ohmA / sum_ohm;
    print('line ', dv_grid, ' done!')
```

```
line  0  done!
line  1  done!
line  2  done!
line  3  done!
line  4  done!
line  5  done!
line  6  done!
line  7  done!
line  8  done!
line  9  done!
line  10  done!
line  11  done!
line  12  done!
line  13  done!
line  14  done!
line  15  done!
line  16  done!
line  17  done!
line  18  done!
line  19  done!
line  20  done!
line  21  done!
line  22  done!
line  23  done!
line  24  done!
line  25  done!
line  26  done!
line  27  done!
line  28  done!
line  29  done!
line  30  done!
line  31  done!
line  32  done!
line  33  done!
line  34  done!
line  35  done!
line  36  done!
line  37  done!
line  38  done!
line  39  done!
line  40  done!
```

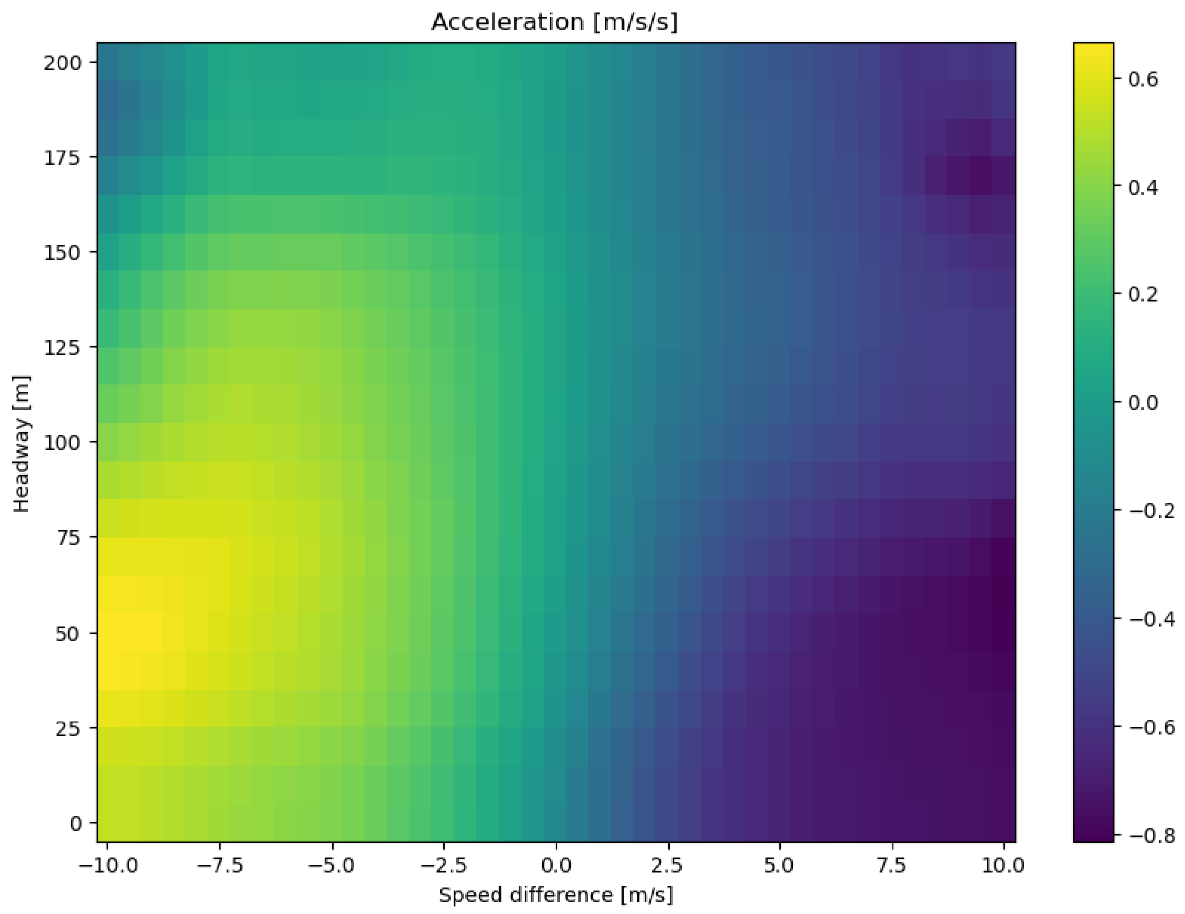
The following code will plot the data for you. Does it make sense when considering:

- Negative (slower than leader) and positive (faster than leader) speed differences?
- Small and large headways?

In [48]:
```
print(X.shape, Y.shape, a.shape)
```

```
(21, 41) (21, 41) (21, 41)
```

In [49]:
```
X, Y = np.meshgrid(dv, s)
axs = plt.axes()
p = axs.pcolor(X, Y, a, shading='nearest')
axs.set_title('Acceleration [m/s/s]')
axs.set_xlabel('Speed difference [m/s]')
axs.set_ylabel('Headway [m]')
axs.figure.colorbar(p);
axs.figure.set_size_inches(10, 7)
```


Acceleration [m/s/s]
Headway [m]
Speed difference [m/s]
200
175
150
125
100
75
50
25
0
−10.0
−7.5
−5.0
−2.5
0.0
2.5
5.0
7.5
10.0
0.6
0.4
0.2
0.0
−0.2
−0.4
−0.6
−0.8