中山大学数据科学与计算机学院本科生实验报告

课程名称:算法设计与分析 任课教师:张子臻

年级	2017级	专业 (方向)	软件工程
学号	17343100	姓名	仕润昊
电话	13280152626	Email	<u>1056627011@qq.com</u>
开始日期	2019/3/21	完成日期	2019/3/23

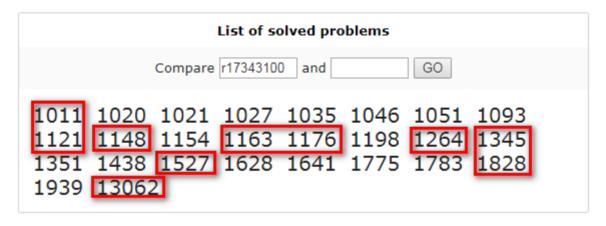
1.实验题目

完成情况——十道题

本次实验共完成十道题目

soj.acmm.club 1176 1011 1121 1264 1828 1527 1148 1163 1345 13062

Sicily截图如下



具体题目

1176 Two Ends

题意:给一个长度为n的数列ai,两个人在上面做交替取数,每个人的每一轮从这个数列的两端中取出一个数(不能不操作)。先手可以自由选择策略,后手选择贪心策略。贪心策略是指,如果两端数大小不同,选择大的那个;如果相同选择左边那个。问最后先手能赢后手多少分。

约束:1<=n<=1000且n为偶数, sum ai<=1,000,000

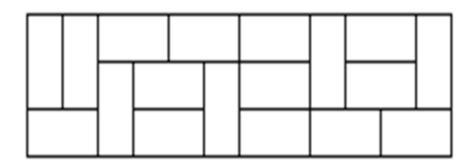
1011 Lenny's Lucky Lotto

题意:给出N,M,问有多少个长度为N的整数序列,满足所有数都在[1,M]内,并且每一个数至少是前一个数的两倍

约束:1<=N<=10,1<=M<=2000

1121 Tri Tiling

题意:用1*2的长方形铺满3*n的长方形,有多少种方法



约束:1<=N<=30

1264 Atomic Car Race[Special judge]

题意:在一次赛车比赛中,共有n个检查点,在每个检查点可以选择是否更换轮胎,更换轮胎需要花费b单位时间。在一次更换轮胎之后,赛车的速度先增加(轮胎变热),后减少(轮胎损坏),每单位公里行驶需要的时间可以表达为(x为离最近更换轮胎距离,从x公里跑到x+1公里):

$$1/(v - e * (x - r))(if x >= r)$$

 $1/(v - f * (r - x))(if x < r)$

现在问从起点到终点的最少时间

约束:

$$0 < n <= 100$$
 , $0 <= r <= an-1$, $0 < a1 < a2 < \ldots < an <= 10000$, v – $e*(an$ – $1r) >= 0.01$, v – r r $>= 0.01$

1828 Minimal

题意:给出两个集合S1和S2,在S2中选出一些不重复的数与S1的每个数匹配,使得匹配的数的差的绝对值之和尽量小

约束:集合中数的个数不超过500

1527 Tiling a Grid With Dominoes

题意:题目类似前面的1121,现在用骨牌填充4*n的矩形,问有多少方案

约束: 最终答案在32位整数范围内

1148 过河

题意:桥的起点为0,终点为L,其中地有M个石子。青蛙每次跳的范围为[S,T],问要跳过桥最小踩到石子次数

限制:1<=L<=10^9,1<=S<=T<=10,1<=M<=100

1163 Tour

题意:旅行商问题的变种。一个想走一个环路,经过N个地点,并且先从左往右走,再从右往左走,求最短路程

约束:N题目没给出,但是可以认为1<=N<=50,坐标的x值均不相同

1345 能量项链

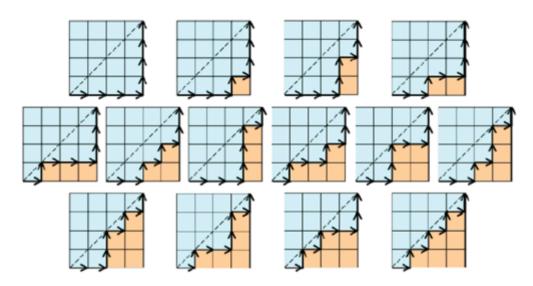
题意:给出一串项链,每次可以选相邻两个珠子进行聚合,释放出一定的能量,并产生一个新珠子,项链是头尾相

接的, 求释放的能量的总和的最大值。

限制:项链长度不超过100

13062 SubDiagonal Paths

题意:给出n,在n*n的格子中,一开始你位于(0,0),然后你每次可以从(x,y)走到(x+1,y),或者(x,y+1),全程需满足 x>=y,问这样走到(n,n)处有几种走法。



2.实验目的

本次实验是要掌握基本的动态规划算法,学会分解熟练应用动态规划算法。虽然抽象后进行求解的思路并不复杂,但具体的形式干差万别,找出问题的子结构以及通过子结构重新构造最优解的过程很难统一。

熟练掌握 Top-down 方法与Bottom-up方法,掌握分析问题结构,确定子问题,写出状态转移方程最后解决问题的方法。

3.程序设计

1176 Two Ends

我们可以先来考虑赢的那一方能拿到的最大分数。后手是采用贪心策略,序列的最优值可以由子序列的最优值得到。假设F[a,b]是区间[a,b]能拿到的最大分数,那么你可能拿走最左边card[a]或者最右边的一张卡card[b],那么

$$F[a,b] = \max\{F[a,b-1] + card[b], F[a+1,b] + card[a]\}$$

如果拿走card[a]

$$F[a+1,b] = F[a+2,b] \quad if \quad card[a+1] >= card[b] \\ F[a+1,b] = F[a+1,b-1] \quad if \quad card[a+1] < card[b]$$

如果拿走card[b]

$$F[a,b-1] = F[a+1,b-1] \quad if \quad card[a] >= card[b-1] \ F[a,b-1] = F[a,b-2] \quad if \quad card[a] < card[b-1]$$

程序如下

```
int cal a b(int a, int b) {
   int leftsum;
   int rightsum;
   if (a > b) return 0;
    if (cal[a][b] != -1) {
        return cal[a][b];
   if (arr[a + 1] >= arr[b]) {
        leftsum = cal_ab(a + 2, b) + arr[a];
   }
    else {
        leftsum = cal_ab(a + 1, b - 1) + arr[a];
    if (arr[a] >= arr[b - 1]) {
        rightsum = cal_ab(a + 1, b - 1) + arr[b];
   }
    else {
        rightsum = cal_ab(a, b - 2) + arr[b];
    cal[a][b] = max(leftsum, rightsum);
    return cal[a][b];
}
```

1011 Lenny's Lucky Lotto

我们用 F[i,j] 表示从 j 个数中, 按规则选 i 个数的方法数。

那么从j个数中选i个数可以分解成两种状况:选数字j或者不选数字j。

选择数字 j 的话, 那么根据我们的规则, 第 i-1 个数一定要小于 floor(j/2);

如果不选数字 i 的话, 那么就可以用 F(i,i-1) 来表示, 所以状态转移方程如下:

$$F[i,j] = F[i-1][j/2] + F[i,j-1]$$

根据上面的状态转移方程,我们就可以很轻松的写出程序代码来了。

1121 Tri Tiling

首先我们知道1*2 的多米诺骨牌的面积为2,而3*n的矩形要想完整容纳多米诺骨牌的话,n必须要是偶数,因为只有这样,才能使3*n/2为整数。

经过画图我们发现,n=2时不可分割的拼接情况有3中,n=2*k(k>2)时不可分割的拼接情况有两种,那么我们的状态转移方程就可以写为

$$F[k] = F[k-2] * 3 + F[k-4] * 2 + \ldots + F[2] * 2 \quad (1)$$

所以

$$F[k-2] = F[k-4] * 2 + F[k-6] * 2 + \dots + F[2] * 2$$
 (2)

(1)-(2)得

$$F[k] = F[k-2] * 4 - F[k-4]$$

那么我们的状态方程便可以简化为上式的形式,根据状态转移方程,我们便可以很轻松的写出相应的程序,如下。

```
cal[0] = 1;
cal[2] = 3;
for (int i = 4; i <= 31; i += 2) {
   cal[i] = cal[i - 2] * 4 - cal[i - 4];
}</pre>
```

1264 Atomic Car Race[Special judge]

我们用T[k] 来表示汽车行驶到第k个服务站后耗费的最短时间,那么最短时间可以认为是,从到达第i个服务站耗费的最短时间,并且在第i个服务站更换轮胎,再加上从第i个服务站到第k个服务站耗费的时间之和的最小值。状态转移方程如下。

$$T[k] = min\{T[i] + tyre_cost + cost_time(i, k)\}$$
 $i \in (0, k - 1)$

这道题只是题目复杂,状态方程很普通,另外还需要注意的是求解时间cost_time时需要储存到数组中,不然会超时。

如果不换轮胎耗费的时间我们用数组G存起来

```
for (int i = 0; i <= a[n]; i++) {
   double temp = (i >= r) ? 1 / (v - e * (i - r)) : 1 / (v - f * (r - i));
   G[i + 1] = G[i] + temp;
}
```

1828 Minimal

我们定义 P[i,j] 为第一个数组前 i 个数和第二个数组前 j 个数的最小差绝对值之和。那么这个可以分解为第二个数组选第 j 或者不选第 j 个数。如果不选第 j 个数,即为 P[i,j-1] ,如果选第 j 个数即为P[i-1,j-1] + |arr2[j]-arr1[i]|。所以状态转移 方程为:

$$P[i,j] = min\{P[i,j-1], P[i-1,j-1] + |arr2[j] - arr1[i]|\}$$

根据状态转移方程,我们便可以确定相应的程序代码了。

```
for (int i = 2; i <= s1; i++) {
    for (int j = i; j <= s2; j++) {
        p[i][j] = min(p[i][j - 1], p[i - 1][j - 1] + abs(s_arr1[i - 1] - s_arr2[j - 1]));
    }
}</pre>
```

1527 Tiling a Grid With Dominoes

本题目有比较复杂的状态转移,具体转移如下:

```
m[i][0] = m[i - 1][15];
m[i][3] = m[i - 1][15] + m[i - 1][12];
m[i][6] = m[i - 1][15] + m[i - 1][9];
m[i][9] = m[i - 1][6];
m[i][12] = m[i - 1][15] + m[i - 1][3];
m[i][15] = m[i - 1][15] + m[i - 1][12] + m[i - 1][6] + m[i - 1][3] + m[i - 1][0];
```

m[i,j] 表示前i-1列都已经被铺满且第i列的状态为j,j可以看做二进制序列:0000,0011,0110,1001,1100,1111。1表示被覆盖,0表示没有被覆盖。

根据状态转移可以直接得到结果。

1148 过河

本题的状态转移也较为简单,把青蛙到达距离k处所踩到的最少石子记为F[i],那么状态转移方程为

$$F[i] = min\{F[i-k] + rock[i]\}$$

$$k \in [min_step, max_stemp]$$

转化为代码即为

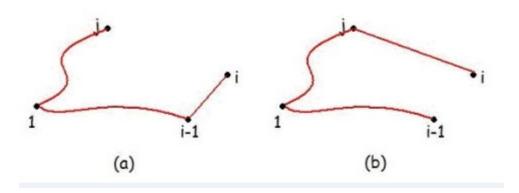
```
for (int i = max_step+1; i <= L; i++) {
    for (int k = min_step; k <= max_step && i-k >= 1; k++) {
        F[i] = min(F[i], F[i - k]);
    }
    if (rocks[i]) {
        F[i]++;
    }
}
```

但是这个题的数据量却有10⁹,所以我们要进行数据压缩,我们可以减少格子数,也就是只两个相邻石子之间只保留最多100个格子 ,因为进行了数据压缩,所以我们要进行特判min_step = max_step的情况。

```
// 特殊情况判断
if (min_step == max_step) {
    int ans = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
        if (stone_pos[i] % min_step == 0)
            ans++;
    cout << ans << endl;
    return 0;
}</pre>
```

1163 Tour

这是双调欧几里得旅行商问题,我们将n个点按照横坐标从小到大的顺序排列后,定义F[i,j]为第i个点到第1个点再到第j个点的最短距离。



```
F[i,j] = F[i-1,j] + dist[i,i-1] \quad if \quad j < i-1 \ F[i,j] = min\{F[i-1,k] + dist[i,k]\} \quad if \quad j >= i-1
```

根据状态转移方程得到相应的程序为

```
for (int i = 3; i <= n; i++) {
    for (int j = 1; j < i; j++) {
        if (j < i - 1) {
            cal[i][j] = cal[i - 1][j] + dist(p[i], p[i - 1]);
        }
        else {
            cal[i][j] = cal[i - 1][1] + dist(p[i], p[1]);
            for (int k = 2; k < i-1; k++) {
                 cal[i][j] = min(cal[i - 1][k] + dist(p[i], p[k]), cal[i][j]);
            }
        }
    }
}</pre>
```

1345 能量项链

实际就是矩阵连乘问题,只不过考虑到是个换,需要把这个环展开成两倍的链,m[a,b]表示从第a个珠子到第b个珠子所产生的最大能量,状态转移方程如下

$$m[a,b] = max\{m[a,k] + m[k,b] + arr[a] * arr[k] * arr[b]\}$$
 $k \in [a+1,b-1]$

根据状态转移方程得到程序如下。

```
for (int j = 3; j <= 2*n; j++) {
    for (int i = j-2; i >= 1; i--) {
        energy[i][j] = 0;
        for (int k = i + 1; k < j; k++) {
            energy[i][j] = max(energy[i][k] + energy[k][j] + m[i] * m[j] * m[k], energy[i][j]);
        }
    }
}</pre>
```

13062 SubDiagonal Paths

这个实际就是一个进栈出栈问题,把向右走看做入栈,向上走看做出栈,即n个数执行出栈入栈操作后可能的排列组合个数。

状态转移方程为

$$F[n] = F[n-1] * F[0] + F[n-2] * F[1] + F[n-3] * F[2] + \dots + F[0] * F[n-1]$$

转为程序如下

```
for (int i = 4; i <= 31; i++) {
    f[i] = 0;
    for (int j = 0; j < i; j++) {
        f[i] += f[i - j - 1] * f[j];
    }
}</pre>
```

4.程序运行与测试

1176 Two Ends

```
c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

4 3 2 10 4
In game 1, the greedy strategy might lose by as many as 7 points.
8 1 2 3 4 5 6 7 8
In game 2, the greedy strategy might lose by as many as 4 points.
8 2 2 1 5 3 8 7 3
In game 3, the greedy strategy might lose by as many as 5 points.

0
```

1011 Lenny's Lucky Lotto

1121 Tri Tiling

```
c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe
```

1264 Atomic Car Race[Special judge]

```
c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

2
2
3
1.0
1 1.0 0.1 0.3
3.5397
5
5 10 15 20 25
0.15
1 1.0 0.04 0.5
31.9249
10
1783 3640 3991 4623 5465 5481 6369 6533 6865 8425
4.172
72 59.4705 0.0052834 0.0611224
168.6682
0
```

1828 Minimal

```
c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

1
2 3
30
20
50
10
40
20
请按任意键继续---
```

1527 Tiling a Grid With Dominoes

```
c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

1 2
5
2 3
11
3 7
781
请按任意键继续...
```

1148 过河

```
C:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

10
2 3 5
2 3 5 6 7
2
请按任意键继续---
```

1163 Tour

```
      3
      1
      1
      2
      3
      3
      1
      6
      .47
      4
      4
      1
      1
      2
      3
      3
      1
      4
      2
      3
      3
      1
      4
      2
      7
      .89
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -
      -</td
```

1345 能量项链

```
C:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe

4
2 3 5 10
710
4
2 3 5 10
710
```

13062 SubDiagonal Paths

```
c:\users\administrator\source\repos\Project41\Debug\Project41.exe
```

5.实验总结与心得

本次实验比第一次实验困难很多,尤其是在头脑不清醒的时候特别容易把状态方程写错。学会动态规划最重要的就是要写出状态转移方程,这就需要我对状态的变化非常清晰,完成了这十道题目之后,我的能力也有了很大的提高,收获很大。

附录、提交文件清单

```
//1148
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
#include <math.h>
using namespace std;
int rocks[20000];
int F[20000];
int min(int a, int b) {
    return (a < b ? a : b);
}
int stone_pos[200];
int L, min step, max step, n;
int main() {
    memset(rocks, 0, sizeof(rocks));
    cin >> L >> min_step >> max_step >> n;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        cin >> stone_pos[i];
    }
    stone_pos[0] = 0;
    sort(stone_pos, stone_pos + n + 1);
    // 特殊情况判断
    if (min_step == max_step) {
       int ans = 0;
        for (int i = 1; i <= n; i++)
           if (stone_pos[i] % min_step == 0)
                ans++;
        cout << ans << endl;</pre>
        return 0;
    }
    // 压缩到rocks里
    int index;
    stone_pos[0] = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
```

```
if (stone_pos[i] - stone_pos[i - 1] > 100) {
            index = stone_pos[i - 1] + 100;
            int pos = stone_pos[i] - (stone_pos[i - 1] + 100);
            for (int j = i; j <= n; j++) {
                stone_pos[j] -= pos;
            }
        }
        else {
            index = stone_pos[i];
        rocks[index] = 1;
    }
    if (L - index > 100) {
       L = index + 100;
    for (int i = 0; i <= L; i++) {
        F[i] = 999;
    for (int i = min_step; i <= max_step; i++) {</pre>
        if (rocks[i] == 0) {
            F[i] = 0;
        }
        else {
            F[i] = 1;
        }
    }
    for (int i = max_step+1; i <= L; i++) {
        for (int k = min_step; k \leftarrow max_step && i-k >= 1; k++) {
            F[i] = min(F[i], F[i - k]);
        }
        if (rocks[i]) {
            F[i]++;
        }
    cout << F[L] << endl;</pre>
    system("pause");
}
//1163
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
#include <math.h>
#include <iomanip>
using namespace std;
```

```
double cal[100][100];
struct point {
    double x, y;
    point() {
    point(double x, double y) {
        this->x = x;
        this->y = y;
   }
};
point p[100];
double dist(point a, point b) {
    return \ sqrt(double((a.x - b.x)*(a.x - b.x)) + double((a.y - b.y)*(a.y - b.y)));
}
double min(double a, double b) {
    return (a < b ? a : b);
}
int main() {
    int n;
    while (cin >> n) {
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
            double x, y;
            cin >> x >> y;
            p[i].x = x;
            p[i].y = y;
        }
        cal[1][1] = 0;
        cal[2][1] = dist(p[2], p[1]);
        for (int i = 3; i <= n; i++) {
            for (int j = 1; j < i; j++) {
                if (j < i - 1) {
                    cal[i][j] = cal[i - 1][j] + dist(p[i], p[i - 1]);
                }
                else {
                    cal[i][j] = cal[i - 1][1] + dist(p[i], p[1]);
                    for (int k = 2; k < i-1; k++) {
                        cal[i][j] = min(cal[i - 1][k] + dist(p[i], p[k]), cal[i][j]);
                    }
                }
            }
        }
        cout << fixed << setprecision(2) << cal[n][n - 1] + dist(p[n], p[n - 1]) << endl;
   }
}
```

```
//1264
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
#include <math.h>
#include <iomanip>
using namespace std;
int a[110];
double t[110];
double b, r, v, e, f;
double min(double a, double b) {
    return (a < b ? a : b);
}
int distance(int k, int i) {
    return abs(a[i] - a[k]);
}
double G[10010];
int main() {
   int n;
    while (cin >> n) {
        if (n == 0) {
            return 0;
        }
        a[0] = 0;
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
            cin >> a[i];
        cin \gg b \gg r \gg v \gg e \gg f;
        t[0] = 0;
        G[0] = 0;
        for (int i = 0; i \leftarrow a[n]; i++) {
            double temp = (i \ge r) ? 1 / (v - e * (i - r)) : 1 / (v - f * (r - i));
            G[i + 1] = G[i] + temp;
        }
        t[1] = G[a[1]];
        for (int i = 2; i <= n; i++) {
            t[i] = G[a[i]];
            for (int k = i - 1; k >= 1; k --) {
                t[i] = min(t[i], t[k] + b + G[distance(k, i)]);
           }
        cout << fixed << setprecision(4) << t[n] << endl;</pre>
   }
}
```

```
//1345
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
#include <math.h>
using namespace std;
long long energy[210][210];
int m[210];
long long max(long long a, long long b) {
    return (a > b ? a : b);
}
int main() {
    int n;
    while (cin >> n) {
        for (int i = 1; i \leftarrow n; i++) {
            cin >> m[i];
            m[i + n] = m[i];
        }
        m[2*n + 1] = m[1];
        for (int j = 3; j <= 2*n; j++) {
            for (int i = j-2; i >= 1; i--) {
                energy[i][j] = 0;
                for (int k = i + 1; k < j; k++) {
                    energy[i][j] = max(energy[i][k] + energy[k][j] + m[i] * m[j] * m[k],
energy[i][j]);
                }
            }
        }
        int max_num = 0;
        for (int i = 1; i \leftarrow n; i++) {
            max_num = max(max_num, energy[i][i + n]);
        cout << max_num << endl;</pre>
    }
}
//13062
// 实际就是进栈出栈问题
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
```

```
#include <math.h>
using namespace std;
int main() {
    long long f[32];
    f[0] = 1;
    f[1] = 1;
    f[2] = 2;
    f[3] = 5;
    for (int i = 4; i <= 31; i++) {
        f[i] = 0;
        for (int j = 0; j < i; j++) {
            f[i] += f[i - j - 1] * f[j];
        }
    }
    int n;
    while (true) {
        cin >> n;
        if (n == 0) {
           return 0;
        cout << f[n] << endl;</pre>
}
//1527
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
#include <math.h>
using namespace std;
int m[1010][16];
int main() {
    int T;
    cin >> T;
    int count = 0;
    m[1][0] = m[1][3] = m[1][6] = m[1][12] = m[1][15] = 1;
    for (int i = 2; i \leftarrow 1000; i++) {
        m[i][0] = m[i - 1][15];
        m[i][3] = m[i - 1][15] + m[i - 1][12];
        m[i][6] = m[i - 1][15] + m[i - 1][9];
        m[i][9] = m[i - 1][6];
        m[i][12] = m[i - 1][15] + m[i - 1][3];
        m[i][15] = m[i - 1][15] + m[i - 1][12] + m[i - 1][6] + m[i - 1][3] + m[i - 1][0];
```

```
while (T--) {
        count++;
        cout << count << " ";</pre>
        int n;
        cin >> n;
       cout << m[n][15] << endl;</pre>
}
//1828
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
#include <math.h>
using namespace std;
int min(int a, int b) {
   return (a < b ? a : b);
}
int p[510][510];
int s_arr1[510];
int s_arr2[510];
int main() {
   int T;
    cin >> T;
    while (T--) {
       int s1, s2;
        cin \gg s1 \gg s2;
        for (int i = 0; i < s1; i++) {
            cin >> s_arr1[i];
        }
        for (int i = 0; i < s2; i++) {
            cin >> s_arr2[i];
        sort(s_arr1, s_arr1 + s1);
        sort(s_arr2, s_arr2 + s2);
        memset(p, 9999999, sizeof(p));
        int min_num = 9999999;
        for (int i = 1; i <= s2; i++) {
            if (abs(s_arr1[0] - s_arr2[i - 1]) < min_num) {
                min_num = abs(s_arr1[0] - s_arr2[i - 1]);
            p[1][i] = min_num;
        }
        for (int i = 2; i \le s1; i++) {
            for (int j = i; j \le s2; j++) {
```

```
p[i][j] = min(p[i][j - 1], p[i - 1][j - 1] + abs(s_arr1[i - 1] - s_arr2[j - 1])
1]));
            }
        }
        cout << p[s1][s2] << endl;</pre>
   }
}
//1121
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
using namespace std;
int cal[40];
int main() {
   memset(cal, 0, sizeof(cal));
    cal[0] = 1;
    cal[2] = 3;
    for (int i = 4; i \leftarrow 31; i += 2) {
        cal[i] = cal[i - 2] * 4 - cal[i - 4];
    }
    int n;
    while (true) {
        cin >> n;
        if (n == -1) {
            return 0;
        cout << cal[n] << endl;</pre>
    }
}
// 1011
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
using namespace std;
int max(int a, int b) {
    return (a > b ? a : b);
}
long long list[20][2020];
```

```
long long cal_n_m(int n, int m) {
   for (int i = 1; i <= m; i++) {
       list[1][i] = i;
   }
   for (int i = 2; i <= n; i++) {
       for (int j = i; j <= m; j++) {
            // 选择;或者不选;的和
           list[i][j] = list[i - 1][j / 2] + list[i][j - 1];
   }
   return list[n][m];
}
int main() {
   int T;
   cin >> T;
   int count = 0;
   while (T--) {
        count++;
       int n, m;
       cin >> n >> m;
       memset(list, 0, sizeof(list));
       long long ans = cal n m(n, m);
        cout << "Case "<< count << ": n = " << n << ", m = " << m << ", # lists = " << ans <<</pre>
end1;
   }
}
// 1176
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <memory.h>
#include <algorithm>
using namespace std;
int arr[1010];
int cal[1010][1010];
int max(int a, int b) {
   return (a > b ? a : b);
}
int cal_a_b(int a, int b) {
   int leftsum;
   int rightsum;
   if (a > b) return 0;
   if (cal[a][b] != -1) {
       return cal[a][b];
   if (arr[a + 1] >= arr[b]) {
```

```
leftsum = cal_ab(a + 2, b) + arr[a];
   }
   else {
       leftsum = cal_ab(a + 1, b - 1) + arr[a];
   if (arr[a] >= arr[b - 1]) {
       rightsum = cal_a_b(a + 1, b - 1) + arr[b];
   }
   else {
        rightsum = cal_ab(a, b - 2) + arr[b];
   cal[a][b] = max(leftsum, rightsum);
   return cal[a][b];
}
int main() {
   int n;
   int count = 0;
   while (true) {
        cin >> n;
        if (n == 0) {
           return 0;
       }
       memset(cal, -1, sizeof(cal));
        count++;
       int sum = 0;
       for (int i = 0; i < n; i++) {
           cin >> arr[i];
           sum += arr[i];
        int win_sum = cal_a_b(0, n - 1);
        int lose_sum = sum - win_sum;
        cout << "In game " << count << ", the greedy strategy might lose by as many as " <<
win_sum - lose_sum << " points." << endl;</pre>
   }
}
```