



## **GEPLANTE ROADMAP VORLESUNG.**

ROADMAP	WAS HABEN WIR VOR?	
Vorlesung 1	Workflow Data Management, Datentypen und Datenqualität	
Vorlesung 2	Einführung Data Science und Data Science Workflow, Grundlagen Data Management	
Vorlesung 3 und Vorlesung 4	Deskriptive und explorative Datenanalyse und Vertiefung anhand Case Study	
	Vertiefung Datenanalyse anhand Case Study	
Vorlesung 5	Aufgabenstellung Data Science, Übersicht und Einführung Machine Learning, unüberwachtes Lernen	
Vorlesung 6	Überwachtes Lernen	Zusammenlegen?
Vorlesung 7	Schulterblick 1 und Vertiefung überwachtes Lernen anhand Case Study	Zusammemegen:
Vorlesung 8	Neuronale Netze und Convolutional Neural Networks (CNN)	Zucammonlogon?
Vorlesung 9	Vertiefung CNN anhand Case Study, Aufgabenstellung AI	Zusammenlegen?
Vorlesung 10	Schulterblick 2	
Vorlesung 11	Übersicht Rekurrente Neuronale Netze	
Vorlesung 12	Schulterblick 3	
Vorlesung 13	Ausblick zukünftige AI-Themen, "Fragestunde"	
Vorlesung 14	Präsentation Ergebnisse	



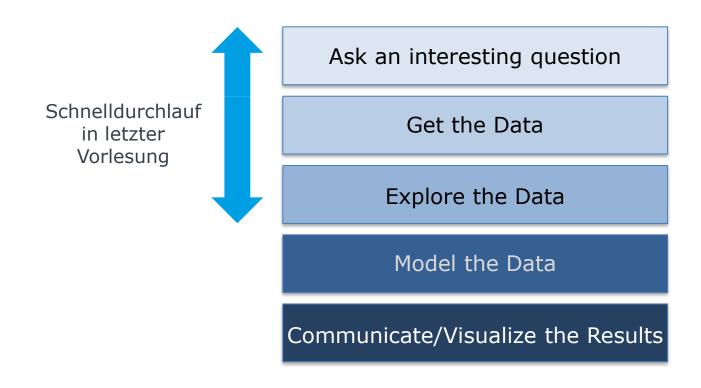


## **AGENDA**

- 1. Grundlagen Stochastik
  - 1. Wahrscheinlichkeitstheorie (Backup)
  - 2. Deskriptive Statistik
  - 3. Explorative Statistik
- 2. Fallbeispiel



## RÜCKBLICK AUF LETZTE WOCHE: VORGEHENSWEISE DATA SCIENCE ANGESEHEN.





#### FOKUS DER HEUTIGEN VORLESUNG.

Ask an interesting question

Get the Data

Explore the Data

Model the Data

Communicate/Visualize the Results

Daten darstellen (visuelles Verständnis)

Gibt es Anomalien? Unplausible Werte?

Sehen Sie Muster in den Daten?

Wie kann ich Daten visuell darstellen? Wie erkenne ich Anomalien oder unplausible Werte?





TECHNICAL APPLICATIONS AND DATA MANAGEMENT: GRUNDLAGEN STOCHASTIK & STATISTIK | DR. JENS KOHL

#### **WAS IST STOCHASTIK?**



#### Stochastik¹ besteht aus folgenden Teilgebieten:

- Wahrscheinlichkeitstheorie: mathematische Erfassung und Analyse zufälliger (nicht-deterministischer) Ereignisse [Backup]
- Mathematische Statistik<sup>2</sup>:
  - Deskriptive Statistik: Daten durch Graphiken oder Tabellen visuell beschreiben.
  - Explorative Statistik<sup>3</sup>: Zusammenhänge/ Muster zwischen Daten finden und bewerten, Entdecken von Hypothesen
- Inferenzstatistik: aus einzelnen Eigenschaften einer Menge Eigenschaften über Gesamtmenge ableiten, Hypothesen testen

"Lies, damned lies, and statistics" (Mark Twain)

<sup>1</sup> Ratekunst, von στοχαστική τέχνη

<sup>2</sup> einordnen, von στατίζω

<sup>3</sup> Begriff wurde geprägt von John Tukey 1977 in seinem Buch "Exploratory Data Analysis"



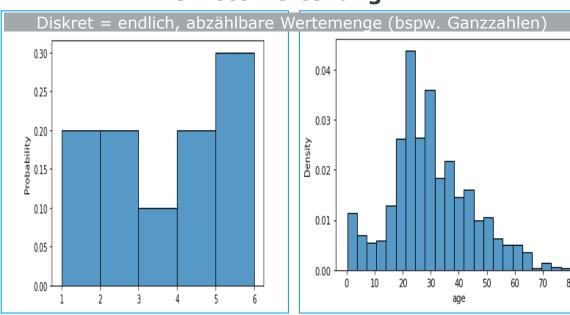


TECHNICAL APPLICATIONS AND DATA MANAGEMENT: GRUNDLAGEN STOCHASTIK & STATISTIK | DR. JENS KOHL



## DESKRIPTIVE STATISTIK. BEISPIELE.

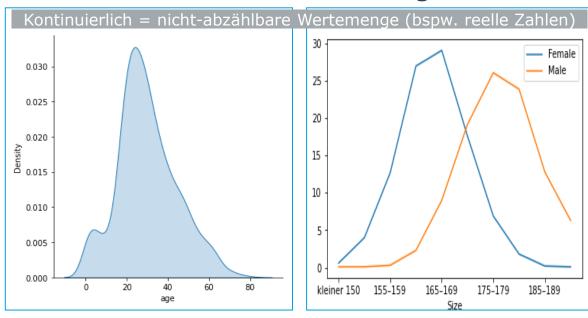
## **Diskrete Verteilung**



Rel. Häufigkeit Augen eines Würfels bei 10 Würfen. Ergebnismenge = {1,...,6}

Diskretisierte Altersverteilung der Passagiere der Titanic. Ergebnismenge in 23 "Körbe"

## **Kontinuierliche Verteilung**



Kontinuierliche Altersverteilung der Passagiere der Titanic. Ergebnismenge =  $\mathbb{R}$ 

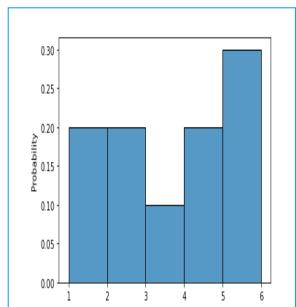
Größenverteilung Einwohner Deutschland in  $2006^1$  Ergebnismenge =  $\mathbb{R}$ 

Bei diskreten, endlichen Variablen sprechen wir von einer Wahrscheinlichkeitsfunktion, bei kontinuierlichen, "nicht-endlichen" Variablen von einer Dichtefunktion.

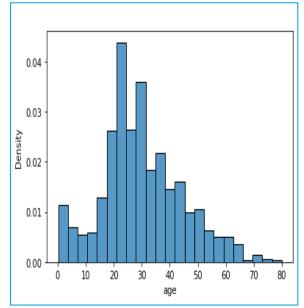


## DESKRIPTIVE STATISTIK. BEISPIELE.

## **Diskrete Verteilung**

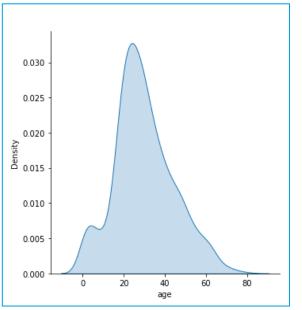


Rel. Häufigkeit Augen eines Würfels bei 10 Würfen. Ergebnismenge = {1,...,6}

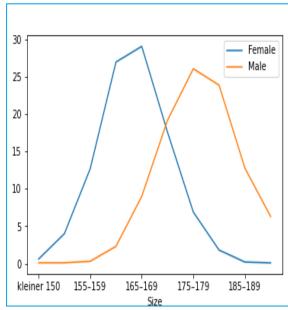


Diskretisierte Altersverteilung der Passagiere der Titanic. Ergebnismenge in 23 "Körbe"

## Kontinuierliche, stetige Verteilung



Kontinuierliche Altersverteilung der Passagiere der Titanic. Ergebnismenge =  $\mathbb{R}$ 



Größenverteilung Einwohner Deutschland in  $2006^1$  Ergebnismenge =  $\mathbb{R}$ 

Diskreten, endlichen Variablen sind abzählbare, **ganzzahlige Werte** mit einer Wahrscheinlichkeitsfunktion. Kontinuierliche Variablen sind nicht abzählbare, **reelle Werte** mit einer Dichtefunktion.



## DESKRIPTIVE STATISTIK: ÜBERSICHT WICHTIGSTE PARAMETER.

#### Lageparameter

- Mean: Mittelwert.
- Median: teilt Verteilung in 2 genau gleich große Hälften. Stabiler gegenüber Extremwerten als Mean.
- Modus: häufigster Wert der Verteilung.
- Min: kleinster Wert der Verteilung
- Max: größter Wert der Verteilung
- P-Quantil: Schwellenwert, der größer als p
   in % Elemente der Verteilung ist.

### Streuungsparameter

- **Spannweite**: Abstand Min und Max-Wert
- Varianz: (quadratische) Abweichung Werte vom Mittelwert. Basis für Standardabweich.
- Standardabweichung: durchschnittliche
   Abweichung/Streuung Werte um Mittelwert.
- Schiefe: beschreibt Assymetrie Verteilung.
   Bei Rechtsschief sind häufiger Werte kleiner als Mittelwert, bei linksschief größer.
- Wölbung: Verteilungen mit geringer
   Wölbung streuen gleichmäßig; hohe W.
   bedeutet extremere, seltenere Ergebnisse.

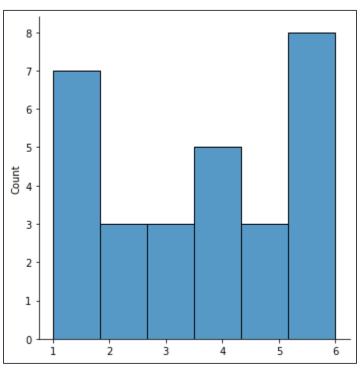
## Zusammenhangsparam.

Spätere Vorlesung

Parameter ermöglichen eine komprimierte Erfassung einer Verteilung.







**Ergebnisse Würfeln** 

Mean = 3.62 Wird oft verwechselt!!!

Mean := Durchschnitt

**Modus**: 6 ist häufigstes Ergebnis

Min: 1 ist niedrigster Ergebniswert

**Max**: 6 ist höchster Ergebniswert

#### **P-Quantil**:

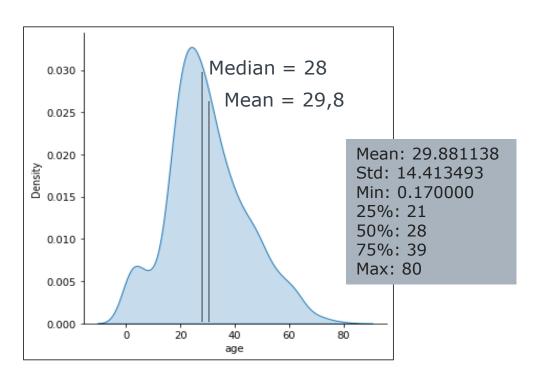
-25% = 2 (7 von 30 Ergebnissen kleiner als 2)

-50% = Median

-75% = 6 (21 von 30 Ergebnissen kleiner als 6)



### **DETAILLIERUNG STREUUNGSPARAMETER.**



**Spannweite**: 80 Jahre – 0,29 Jahre = 79,71 Jahre

**Varianz**: 207.55

**Standardabweichung**:14,41 → weite Streuung Alter

**Schiefe**: rechtsschief, da Median kleiner als Mean.

Mehr als 50% der Passagiere jünger als Durchschnittsalter.

Wölbung: geringe Wölbung, gleichmäßige Streuung.

**Altersverteilung Titanic-Passagiere** 





TECHNICAL APPLICATIONS AND DATA MANAGEMENT: GRUNDLAGEN STOCHASTIK & STATISTIK | DR. JENS KOHL



### **EXPLORATIVE STATISTIK: WAS MACHEN WIR DA?**

- Daten aufbereiten und säubern:
  - Ersetzen von Nullwerten oder fehlende Werte (Data Imputation).
  - Entfernen von Duplikaten.
- Prüfen, ob Features relevant für die Hypothesen sind und ggf. Entfernen Features (Dimensionsreduktion).
- Entdecken von Ausreißern/ Anomalien in Features (Beispiel: Menschen mit Größe von 2,40 Meter oder mehr).
- Entdecken von Mustern in den Daten (Beispiel: gegenseitige Abhängigkeiten von Features wie Einkommen und Wohnort).
- Bilden von Hypothesen (Beispiel: "In der 1. Klasse auf der Titanic war die Überlebenschance am höchsten").

Ziel der explorativen Statistik ist das <u>Visualisieren</u> von Daten, um daraus Hypothesen oder Annahmen abzuleiten.

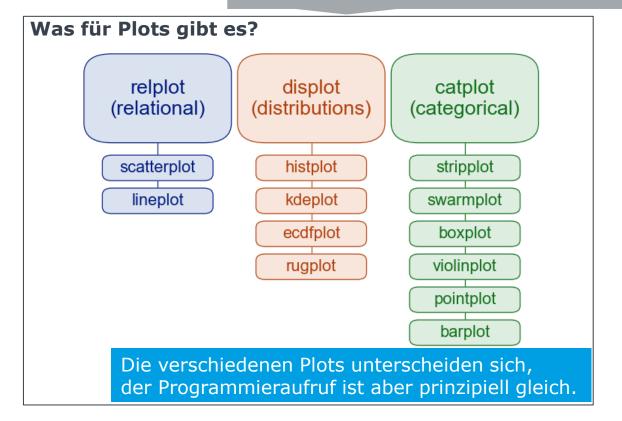




https://seaborn.pydata.org/tutorial.html

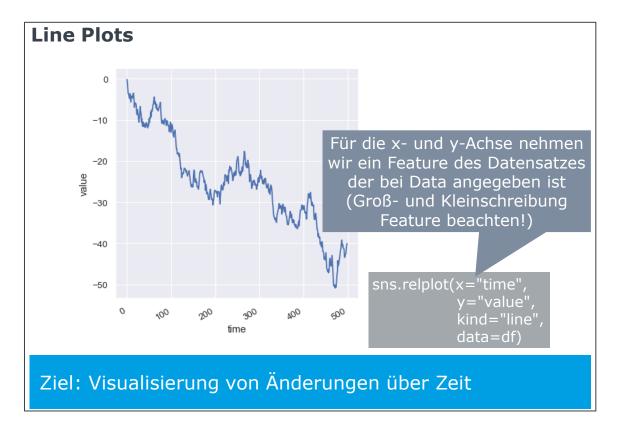
### Was für Features werden geplottet?

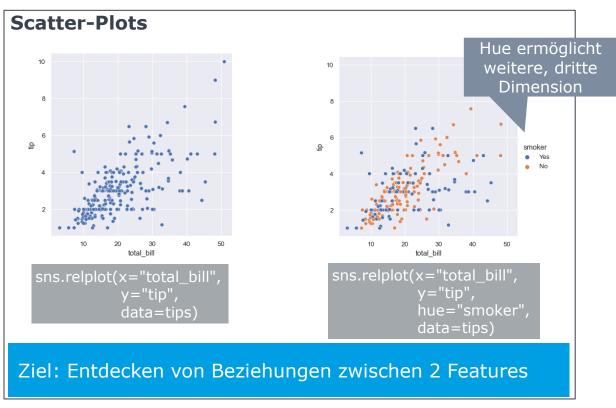
- Zahlen
- diskrete Werte: abzählbare Werte wie Ganzzahlen.
- kontinuierliche Werte: nicht abzählbare, sehr viele unterschiedliche Werte wie reelle Zahlen.
- kategorische Variablen: Variablen mit einem Wert aus einer definierten Menge (bspw. Farben: rot, grün, ...).





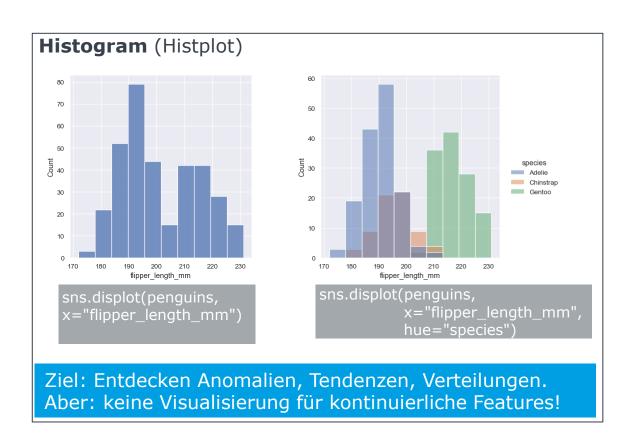
## **VISUALISIERUNG DATEN: RELATIONAL PLOTS.**

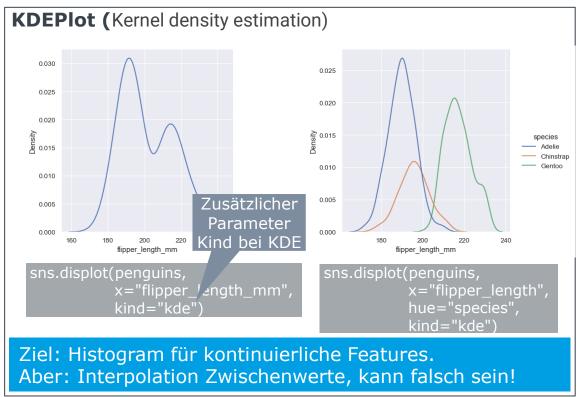






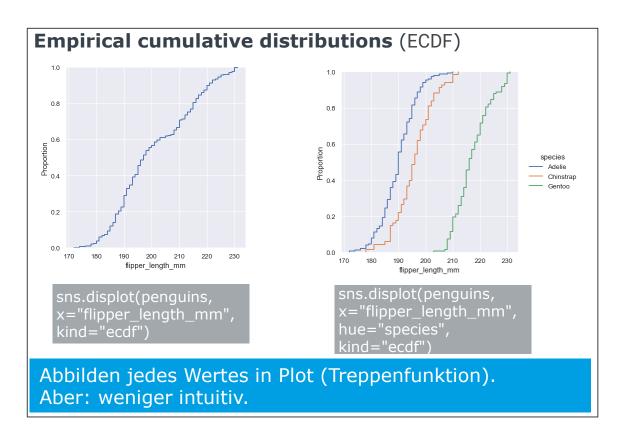


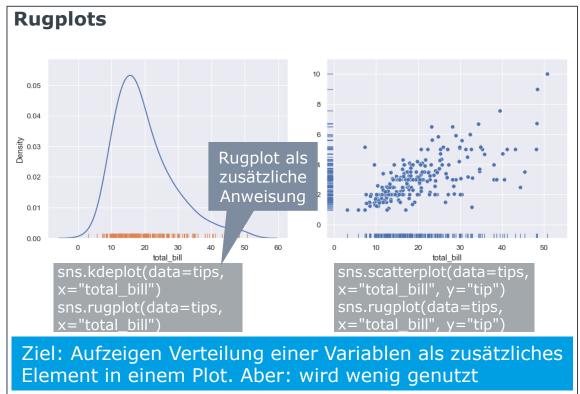






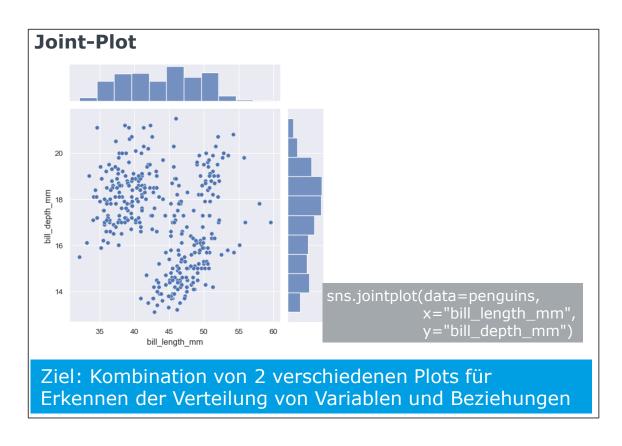


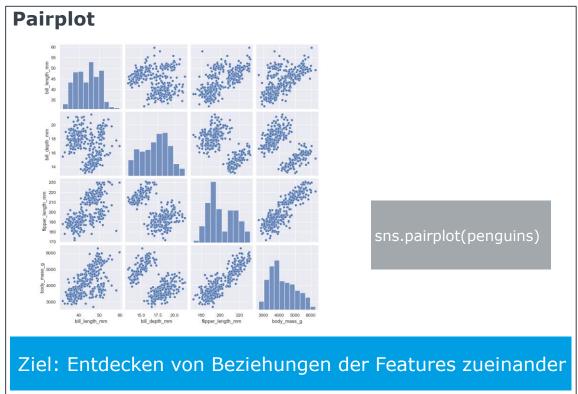






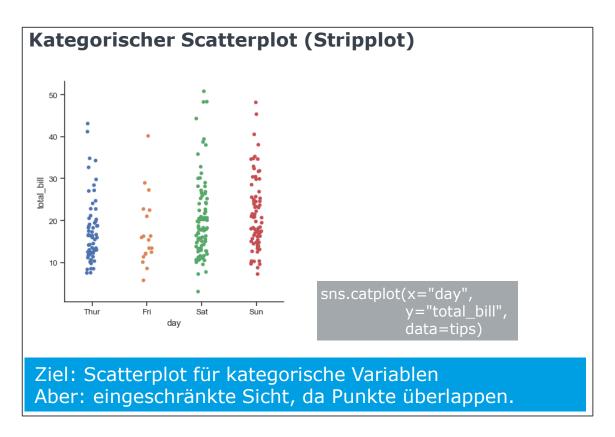
## **VISUALISIERUNG DATEN: WEITERE DISTRIBUTION PLOTS.**

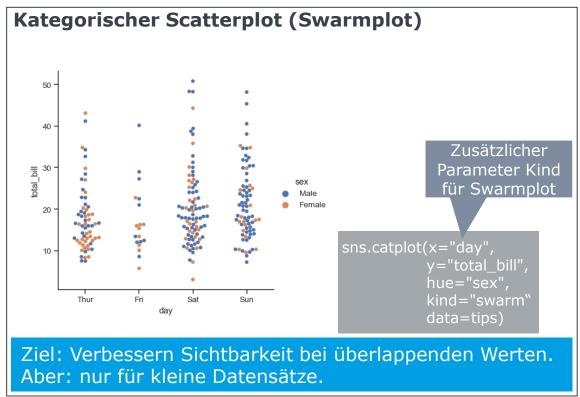






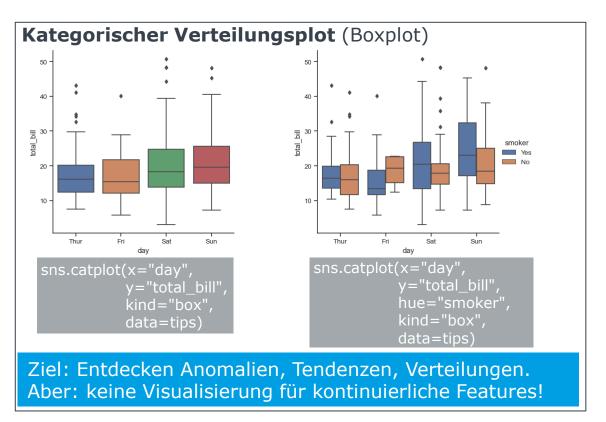
### **VISUALISIERUNG DATEN: KATEGORISCHE PLOTS.**

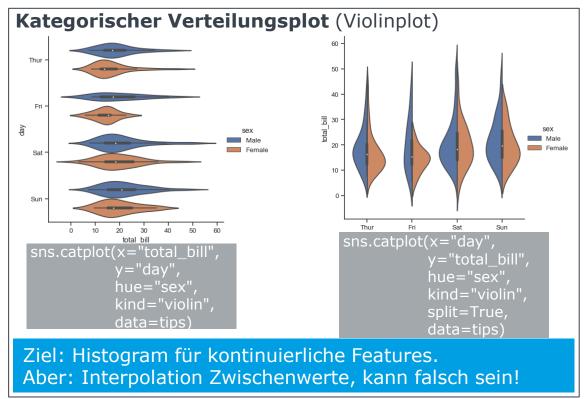






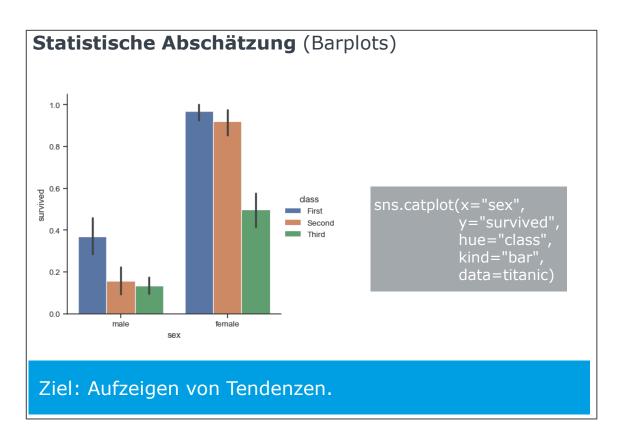
### VISUALISIERUNG DATEN: KATEGORISCHE PLOTS.

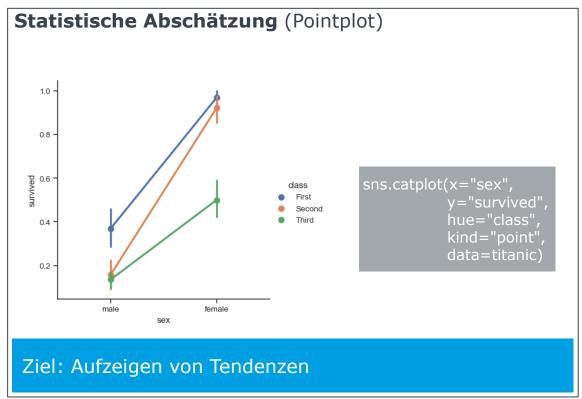






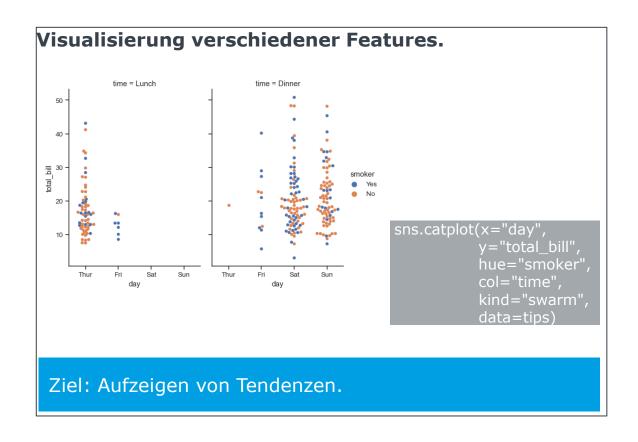
## **VISUALISIERUNG DATEN: KATEGORISCHE PLOTS.**





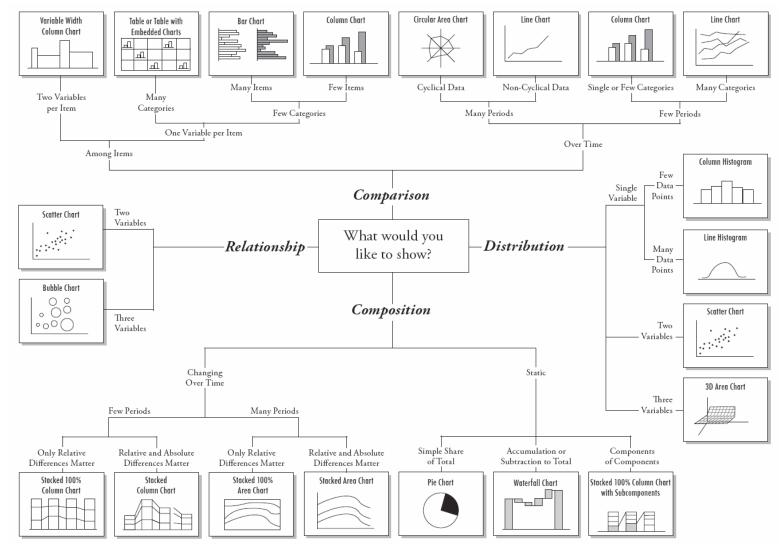


## VISUALISIERUNG DATEN: WEITERE KATEGORISCHE PLOTS.





## **ÜBERSICHT PLOTS**





## FALLBEISPIEL IN GRUPPENARBEIT: DESKRIPTIVE UND EXPLORATIVE STATISTIK.

**Amazon:** 50 bestselling novels on Amazon each year from 2009 to 2020.

Datensatz verfügbar unter: Link

Loan\_Data: Daten von Privatkrediten.

Datensatz verfügbar unter: <u>Link</u>.

Erklärung Datensatz: Link

Bisschen schwieriger, aber probieren Sie es aus!

**IMDB**: Top 1000 Filme auf IMBDB

Datensatz verfügbar unter: Link

Empfehlung zum Einstieg

Sustainability of Companies: NSC Rating von Firmen

Datensatz verfügbar unter: Link.



## EXPLORATIVE STATISTIK: FALLBEISPIEL IN GRUPPENARBEIT

- Gehen Sie auf die Seite <a href="https://colab.research.google.com/">https://colab.research.google.com/</a>
- 2. Loggen Sie sich dort mittels Ihres Google-Accounts ein.
- 3. Laden Sie eines der folgenden Notebooks in Colab hoch: <u>Link</u> für IMDB und <u>Link</u> für Sustainability. <u>Empfehlung: IMDB ist leichter</u>
- 4. Führen Sie die vorhandenen grauen Codezeilen aus (Links-Klick auf den Kasten oder Tastenkombination SHIFT-ENTER).
- 5. Wenden Sie die gelernten deskriptiven Statistik-Methoden auf den Datensatz an (Tip: Pandas-Describe Funktion) und beschreiben Sie die Ergebnisse.
- 6. Plotten Sie für jede der vorgestellten Plot-Kategorien je ein Beispiel (Übersicht auf Folie 25).
- 7. Leiten Sie aus den Plots Hypothesen oder Ergebnisse ab.
- 8. Können Sie die Hypothesen durch weitere Analysen bestätigen oder widerlegen?
- 9. Sind die Ergebnisse statistisch belastbar?
- 10. Stellen Sie Ihre Ergebnisse und Hypothesen vor.



## BEISPIELHAFTE PLOTS FÜR DAS IMDB-DATASET.

#### Allgemein:

- Was ist die häufigste Länge eines Filmes? (Histogram/ KDEPlot: duration)
- Was ist das h\u00e4ufigste Rating eines Filmes? (Histogram/ KDEPlot: star\_rating)
- Gibt es einen Zusammenhang zwischen Filmlänge und Rating? (Violinplot/ Scatterplot: x = star\_rating und y = duration)
- Gibt es einen Zusammenhang zwischen Filmgenre und Rating? (Stripplot/ Boxplot: genre vs. star\_rating)
- Welches Genre hat die meisten Filme unter den Top 1000?
- Gibt es Zusammenhänge zwischen Länge, Rating und Genre? (Violinplot/Scatterplot: star\_rating vs. Duration mit hue=content\_rating)
- Plotten Sie einen Pairplot. Was kann man für Auffälligkeiten sehen?

#### **Detailanalysen:**

- Genre: Schauen Sie sich ein beliebiges Genre an, z.B. Crime. Machen Sie die gleichen Auswertungen: Gibt es Unterschiede?
   ACHTUNG: hierfür müssen Sie das Dataset filtern. Dafür müssen Sie Sie statt data=IMDB\_df folgendes einsetzen:
   data=IMDB df[IMDB df['genre']=='Crime'].

  Das ist ein sogenannter Filter in Pandas.
- Rating: Schauen Sie sich ein beliebiges Rating an. Wie heißt der Filter? Was sehen Sie für Erkenntnisse? ACHTUNG: hierfür müssen Sie wie bei der obigen Frage die Menge nach dem gewählten Rating filtern.....



## BEISPIELHAFTE PLOTS FÜR DAS SUSTAINABILITY-DATASET.

#### Allgemein:

- Welcher Sektor hat die meisten Firmen? (Histogram: Sector).
- Geben Sie das Histogram in absoluten und Prozentwerten aus. Integrieren Sie das Rating (Hue="Overall ESG RATING").
- Was ist die häufigste ESG-Rating? (Histogram/ KDEPlot: Overall ESG RATING)
- Was ist das häufigste Governance Rating? In absoluten oder Prozentzahlen (Histogram/ KDEPlot: Governance SCORE)
- Gibt es einen Zusammenhang zwischen Subsector und Rating? (Stripplot/ Boxplot: Subsector vs. Overall ESG RATING)
- Was ist das durchschnittliche Overall Rating je Branche (Barplot: Sector vs. Overall ESG Score). Erweitern Sie den Plot mit einer Unterteilung in Rating-Kategorie (hue="Overall ESG RATING").
- Gibt es Zusammenhänge zwischen den einzelnen Scores (replot mit x und y je einen der SCORE-Werte). Integrieren Sie eine Unterscheidung nach Rating (hue="Overall ESG RATING").

#### **Detailanalysen:**

- Schauen Sie sich ein beliebigen Sektor an, z.B. Banks. Machen Sie die gleichen Auswertungen: Gibt es Unterschiede?
   ACHTUNG: hierfür müssen Sie das Dataset filtern. Dafür müssen Sie statt data= Sustainability\_df folgendes einsetzen:
   data=Sustainability\_df[Sustainability\_df['Sector']=="Banks"].
- Rating: Schauen Sie sich ein beliebiges Rating an. Wie heißt der Filter? Was sehen Sie für Erkenntnisse?
   ACHTUNG: hierfür müssen Sie wie bei der obigen Frage die Menge nach dem gewählten Rating filtern.....



## **ZUSAMMENFASSUNG DER HEUTIGEN VORLESUNG.**

- deskriptive Statistik zur visuellen Beschreibung und Analyse Daten
- Explorative Statistik zur Identifikation Muster und Zusammenhänge
- Anwendung deskriptive und explorative Statistik anhand eines Fallbeispiels.

## Damit können wir schon viele Data Science Fragen beantworten



## LITERATUR UND WEITERE QUELLEN (AUSZUG).

#### **Statistik:**

- Schickinger, Steger: Diskrete Strukturen 2 –
   Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik.
- James, Witten, Hastie and Tibshirani: An Introduction to Statistical Learning (freies Ebuch unter: <u>Link</u>)
- Spiegelhalter: The Art of Statistics: Learning from Data
- Witte: Statistics (10<sup>th</sup> Edition)
- Silver: The Signal and the noise
- Taleb: Black Swan
- Huff: How to Lie with Statistics
- Wheelan: Naked statistics

#### Kostenfreie Online-Kurse (bei Interesse):

- Khan Academy für Statistics (<u>Link</u> oder <u>Link</u>)
- Data Science mit Excel (<u>Link</u>)
- Python-Kurse
  - Python for Everybody (<u>Link</u>)
  - Udacity Python Course (<u>Link</u>)
  - Kaggle Courses:
    - Python (<u>Link</u>)
    - Python Library Pandas (<u>Link</u>)
    - Python Data Visualization (<u>Link</u>)









TECHNICAL APPLICATIONS AND DATA MANAGEMENT: GRUNDLAGEN STOCHASTIK & STATISTIK | DR. JENS KOHL



## MOTIVATION WAHRSCHEINLICHKEITSRECHNUNG.

- Eine Münze wird geworfen: Welche Seite zeigt nach oben?
- Familie will Mitte August Grillen bei Sonnenschein. Kann sie die Wetterdaten der letzten Jahre nutzen, für ein gutes Datum?
- Roulette-Spielen in einer Spielbank: auf was sollte ich setzen?

Wahrscheinlichkeitsrechnung bietet uns mathematische Methoden für die Beantwortung solcher Fragestellungen.



## GRUNDBEGRIFFE WAHRSCHEINLICHKEITSRECHNUNG AM FALLBEISPIEL MÜNZWURF.

Ergebnismenge: Menge aller möglichen Ergebnisse, z.B.  $\Omega = \{Kopf, Zahl\}$ .

Eine endliche Menge wird als diskret bezeichnet, eine nicht abzählbare Menge als kontinuierlich (beispielsweise Zeit).

**Ereignis: auftretendes Element oder Teilmenge aus der Ergebnismenge,** z.B. E:= Kopf geworfen

Definition **relative Häufigkeit von E**: relative Häufigkeit Ereignis E Anzahl aller Ereignisse

Wir setzen die relative Häufigkeit Ereignis E gleich der Wahrscheinlichkeit E<sup>1</sup>. Dann können wir folgende Regeln definieren:

- 1.  $Pr[gesamte Ergebnismenge \Omega] = 1$
- 2.  $Pr[leere Menge \emptyset] = 0$
- 3.  $0 \le \Pr[\text{Ereignis E}] \le 1$
- 4.  $Pr[\overline{Ereignis E}] = 1 Pr[Ereignis E]$  (Gegenwahrscheinlichkeit)
- 5. Pr[A∩ B] = Anzahl der gemeinsamen eingetretenen Ereignisse A und B
- 6.  $Pr[Ereignis A \cup Ereignis B] = Pr[A] + Pr[B] Pr[A \cap B]$  ( A oder B trat auf)

Mit diesen 6 Regeln können wir diskrete und kontinuierliche Wahrscheinlichkeiten berechnen



## EINFÜHRUNG WAHRSCHEINLICHKEITSRECHNUNG: BEDINGTE WAHRSCHEINLICHKEIT.

Die Wahrscheinlichkeit eines Ereignisses A kann sich ändern, wenn wir wissen, daß ein anderes Ereignis B schon geschah.

$$\Pr[A \mid B] = \frac{\Pr[A \cap B]}{\Pr[B]}$$

Sprich: Wahrscheinlichkeit von A gegeben Evidenz B

Der Wert von Pr[B] "normalisiert" Pr[A|B], das heißt er passt die Wahrscheinlichkeit von A an die von B an.

## Beispiele:

- Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit daß mindestens eine 3 gewürfelt wurde, falls eine ungerade Zahl gewürfelt wurde? Menge A = {3,4,5,6}, Menge B = {1,3,5}. Schnittmenge A und B = {3,5}. →  $Pr[A|B] = \frac{2}{3} = 66\%$
- Titanic: Wie hoch ist die Chance, daß ein Passagier Mann ist und überlebt?
   Anzahl überlebender Männer = 161, Anzahl männliche Passagiere = 843 → Pr[A|B] = 161/843 = 19%

Die bedingte Wahrscheinlichkeit hilft bei der Untersuchung, wie stark ein Ereignis Einfluß auf ein anderes hat.



## EINFÜHRUNG WAHRSCHEINLICHKEITSRECHNUNG: UNABHÄNGIGE VS. ABHÄNGIGE EREIGNISSE

Zwei (oder mehr) Ereignisse A, B sind statistisch unabhängig, falls ein Eintreten von A ein Eintreten von B nicht beeinflußt

$$Pr[A \cap B] = Pr[A] * Pr[B]$$
  
 $Pr[A \mid B] = Pr[A]$ 

Sprich: Evidenz von B ändert nicht die Wahrscheinlichkeit von A

#### Beispiele:

- In einer Schublade sind 5 paar schwarze Socken und 4 Paar weiße Socken. Sie ziehen 2 Paar Socken
  - a. mit Zurücklegen in die Schublade (ordentlich!). Unabhängig?
  - b. Ohne Zurücklegen und auf den Boden. Unabhängig?
- Titanic
  - a. Überlebensrate Mann und seine Passagierklasse.
  - b. Überlebenschance eines Passagiers und die Anzahl der Musiker in der Bordkapelle.

Prüfen Sie immer, ob Ereignisse voneinander abhängig sind (Correlation does not imply causation!!)



## EINFÜHRUNG WAHRSCHEINLICHKEITSRECHNUNG: ZUFALLSVARIABLEN (RANDOM VARIABLE).

Zufallsvariablen ermöglichen, Ereignisse zu quantifizieren auch ohne Kenntnisse der gesamten Verteilung.

#### Beispiele:

- Eine Münze wird 3 mal geworfen. Y bezeichnet die Anzahl der Würfe mit Ergebnis "Kopf".
- Wir stehen an der Autobahn A9 und machen eine Verkehrszählung der LKW.
- Wir wählen zufällige Passagiere der Titanic und zählen mit X die Anzahl der Frauen.

Zufallsvariablen ermöglichen dann die Berechnungen der Wahrscheinlichkeit, bspw. höchstens 2 mal Kopf in 3 Würfen:  $Pr[X \le 2] = Pr[X=0 \text{ Kopf geworfen}] + Pr[X=1 \text{ Kopf geworfen}] + Pr[X=2 \text{ Kopf geworfen}] = 1/8 + 3/8 + 3/8 = 7/8$ 

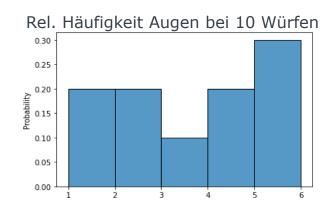
Der **Erwartungswert** definiert das Ergebnis, das die Zufallsvariable im Mittel (nach vielen Durchführungen) annimmt. Die **Varianz** definiert die Streuung der Zufallsvariablen um den Erwartungswert (mehr dazu im nächsten Kapitel).

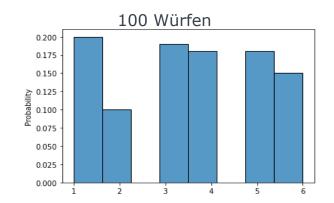
Wichtig ist beim Einsatz von Zufallsvariablen genügend oft zu messen ("Sampling")!

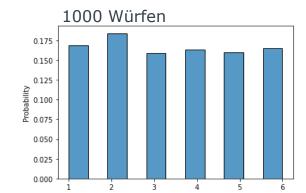


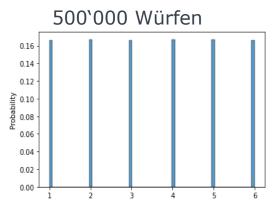
# EINFÜHRUNG WAHRSCHEINLICHKEITSRECHNUNG: WAS IST GENÜGEND OFT MESSEN- ODER DAS GESETZ DER GROßEN ZAHLEN.

Wir messen mit den Zufallsvariablen  $X_1$ , ...,  $X_6$  wie oft bei einem Würfel Auge 1,...,6 gewürfelt wird. Dabei interessiert uns, wie sich die relative Häufigkeit über die Anzahl der Würfe ändert.







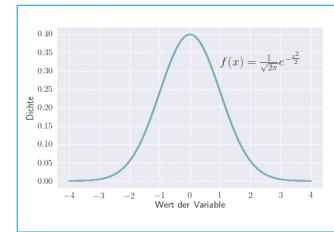


Gesetz der großen Zahlen: die relative Häufigkeit eines Ereignisses E nähert sich für hinreichend viele Wiederholungen seiner Wahrscheinlichkeit an.

Die Ergebnisse von Zufallsvariablen sind **nur dann** belastbar, falls sie einer genügend großen Menge an Versuchen zugrunde liegen!!!

## ÜBERSICHT WICHTIGER VERTEILUNGEN.



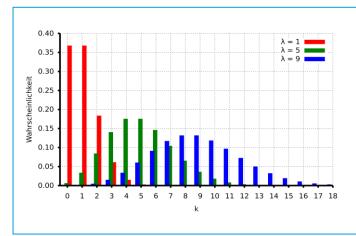


#### Normalverteilung:

Modellierung vieler natürlicher und statistischer Prozesse.

#### Beispiele:

- Größe Bevölkerung
- Prüfungsergebnisse
- Prozessqualität in einer Fabrik.

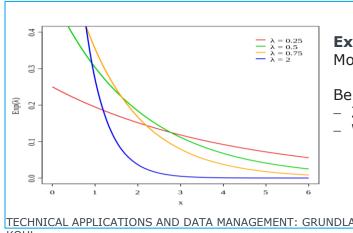


#### **Poisson-Verteilung:**

Modellierung Ereignisse, die bei konstanter mittlerer Rate unabhängig voneinander in einem festen Zeitintervall oder räumlichen Gebiet eintritt.

#### Beispiele:

- Hotline-Anrufe je Stunde
- Website-Ausfälle je Stunde

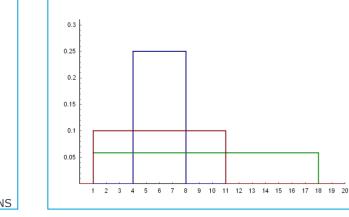


#### **Expontentialverteilung:**

Modellierung von Zeitintervallen.

#### Beispiele:

- Zeit bis Ausfall eines Geräts
- Wartezeit in Hotline



#### **Gleichverteilung:**

jeder Wert ist gleich wahrscheinlich (konstanter y-Wert).

#### Beispiele:

- Wurf einer idealen Münze oder Würfel

TECHNICAL APPLICATIONS AND DATA MANAGEMENT: GRUNDLAGEN STOCHASTIK & STATISTIK | DR. JENS

KOHI