Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №4

3 дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту» На тему:

«Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням ефекту взаємодії»

ВИКОНАВ: Студент II курсу ФІОТ Групи IB-93 Красулін Є.С. – 9316 Номер в списку: 12

ПЕРЕВІРИВ: ас. Регіда П.Г.

Мета:

Провести повний трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

Варіант завдання:

Варіант	X_1		X_2		X_3	
	min	max	min	max	min	max
312	10	60	-30	45	-30	45

```
X_{\text{cp min}} = (10 - 30 - 30) / 3 = -16.67

X_{\text{cp max}} = (60 + 45 + 45) / 3 = 50 = 50

Y_{\text{imin}} = 200 - 16.67 = 183.33

Y_{\text{imax}} = 200 + 50 = 250
```

Роздруківка коду програми:

```
import random, math
import numpy as np
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
m = 3
N = 8
x1min, x2min, x3min = 10, -30, -30
x1max, x2max, x3max = 60, 45, 45
X_{max} = [x1max, x2max, x3max]
X min = [x1min, x2min, x3min]
x_av_min = (x1min + x2min + x3min) / 3
x_{av_max} = (x1max + x2max + x3max) / 3
Y_{max} = int(round(200 + x_{av_{max}}, 0))
Y_{min} = int(round(200 + x_av_min, 0))
X0 = 1
X_{matr} = [
    [-1, -1, -1],
    [-1, 1, -1],
    [-1, 1, 1],
    [1, -1, -1],
    [1, -1, 1],
    [1, 1, -1],
[1, 1, 1]
x_for_beta = [
    [1, -1, -1, 1],
    [1, -1, 1, -1],
    [1, -1, 1, 1],
    [1, 1, -1, -1],
    [1, 1, -1, 1],
    [1, 1, 1, -1],
    [1, 1, 1, 1]
  12_13_23 = [
```

```
[1, -1, -1],
    [-1, 1, -1],
    [-1, -1, 1],
    [-1, -1, 1],
    [-1, 1, -1],
    [1, -1, -1],
    [1, 1, 1],
x_123 = [
X_matr_natur = [
    [10, -70, 60],
    [10, -70, 70],
    [10, -10, 60],
[10, -10, 70],
[60, -70, 60],
    [60, -70, 70],
    [60, -10, 60],
    [60, -10, 70],
x_12_13_23_natur = [[X_matr_natur[j][0] * X_matr_natur[j][1], X_matr_natur[j][0] *
X_matr_natur[j][2],
                       X_matr_natur[j][1] * X_matr_natur[j][2]] for j in range(N)]
x_123_natur = [X_matr_natur[j][0] * X_matr_natur[j][1] * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]
flag = False
while not flag:
    Y_matr = [[random.randint((Y_min), (Y_max)) for i in range(m)] for j in range(N)]
    Y_average = [sum(j) / m for j in Y_matr]
    results_nat = [
         sum(Y_average),
         sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
         sum([Y_average[j] * x_123_natur[j] for j in range(N)]),
    mj0 = [N,
            sum([X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
            sum([X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
            sum([X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
    mj1 = [sum([X matr natur[j][0] for j in range(N)]),
```

```
sum([X_matr_natur[j][0] ** 2 for j in range(N)]),
             sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
             sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
             sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
    sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
             sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
    sum([x_123_natur[j]] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
    range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
            sum([(x_12_13_23_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]),
    mj5 = [sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][1] ** 2 for j in range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
             sum([(x_12_13_23_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in
range(N)]),
    mj6 = [sum([x_12_13_23_natur[j][2]] for j in range(N)]),
            sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
             sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
```

```
sum([(x_12_13_23_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in
range(N)]),
    mj7 = [sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
           sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
           sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
           sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
           sum([(x_12_13_23_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]),
           sum([(x_12_13_23_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in
range(N)]),
           sum([(x_12_13_23_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in
range(N)]),
           sum([x_123_natur[j] ** 2 for j in range(N)])
    B_nat1 = np.linalg.solve([mj0, mj1, mj2, mj3, mj4, mj5, mj6, mj7], results_nat)
    B_nat = list(B_nat1)
    B_{norm} = [
        sum(Y_average) / N,
        sum([Y_average[j] * X_matr[j][0] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * X_matr[j][1] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * X_matr[j][2] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][0] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][1] for j in range(N)]) / N,
sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][2] for j in range(N)]) / N,
sum([Y_average[j] * x_123[j] for j in range(N)]) / N,
    print("Матриця планування експерименту:")
    for i in range(N):
        print("{0:=d} {1:=4d} {2:=3d} {3:=3d} {4:=9.5f} {5:=9.5f} {6:=9.5f}".format(i
X_matr[i][0],
X matr[i][1],
X_matr[i][2],
Y_matr[i][0],
Y_matr[i][1],
Y_matr[i][2]))
    def criterion_of_Student(value, criterion, check):
        if check < criterion:</pre>
            return value
    y1 nat = B nat[0] + B nat[1] * X matr natur[0][0] + B nat[2] * X matr natur[0][1]
```

```
+ B_nat[3] * X_matr_natur[0][2] + \
             B_nat[4] * x_12_13_23_natur[0][0] + B_nat[5] * x_12_13_23_natur[0][1] +
B_{nat[6]} \times x_{12_{13_{23_{natur[0][2]}}} + 
             B_nat[7] * x_123_natur[0]
    y1_norm = B_norm[0] + B_norm[1] * X_matr[0][0] + B_norm[2] * X_matr[0][1] +
B_{norm[3]} * X_{matr[0][2]} + B_{norm[4]} * 
               x_{12}_{13}_{23}[0][0] + B_norm[5] * x_{12}_{13}_{23}[0][1] + B_norm[6] *
x_{12_{13_{23[0][2]}} + B_norm[7] * x_{123[0]}
    dx = [((X_max[i] - X_min[i]) / 2)  for i in range(3)]
    A = [sum(Y_average) / len(Y_average), B_nat[0] * dx[0], B_nat[1] * dx[1],
B_nat[2] * dx[2]]
    S_kv = [(sum([((Y_matr[i][j] - Y_average[i]) ** 2) for j in range(m)]) / m) for i
in range(N)]
    Gp = max(S_kv) / sum(S_kv)
    f1 = m - 1
    f2 = N
    Gt_dict = {2: 5157, 3: 4377, 4: 3910, 5: 3595, 6: 3362, 7: 3185, 8: 3043, 9:
    def kohren(f1=f1, f2=f2, q=0.05):
        q1 = q / f1
        fisher_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
        return fisher value / (fisher value + f1 - 1)
    Gt = kohren()
    if Gp < Gt:</pre>
        flag = False
        print('Дисперсії неоднорідні')
        m += 1
    S_average = sum(S_kv) / N
    S2_beta_s = S_average / (N * m)
    S_beta_s = S2_beta_s ** .5
    beta = [(sum([x_for_beta[j][i] * Y_average[j] for j in range(N)]) / N) for i in
range(4)]
    ts = [(math.fabs(beta[i]) / S_beta_s) for i in range(4)]
    tabl Stud = [
        3.182,
        2.776,
        2.447,
        2.262,
        2.228,
```

```
2.201.
        2.179
    f3 = f1 * f2
    student = partial(t.ppf, q=1 - 0.025)
    criterion_of_St = student(df=f3)
    result_2 = [criterion_of_Student(B_nat[0], criterion_of_St, ts[0]) +
                criterion_of Student(B_nat[1], criterion_of_St, ts[1]) *
X_matr_natur[i][0] +
                criterion_of_Student(B_nat[2], criterion_of_St, ts[2]) *
X_matr_natur[i][1] +
                criterion_of_Student(B_nat[3], criterion_of_St, ts[3]) *
X matr natur[i][2] for i in range(N)]
    znach_koef = []
        if i > criterion_of_St:
            znach_koef.append(i)
    d = len(znach_koef)
    deviation of adequacy = (m / (N - d)) * sum([(result 2[i] - Y average[i]) ** 2
for i in range(N)])
    Fp = deviation of adequacy / S2 beta s
    fisher = partial(f.ppf, q=1 - 0.05)
    Ft = fisher(dfn=f4, dfd=f3)
{3:.3f}.".format(result_2[0],
result_2[1],
result_2[2],
result_2[3]))
    print("Y1a = {0:.3f}; Y2a = {1:.3f}; Y3a = {2:.3f}; Y4a =
{3:.3f}.".format(Y_average[0],
Y_average[1],
Y_average[2],
Y_average[3]))
    if Fp > Ft:
        print('Fp = {} > Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))
{}'.format(round(q, 2)))
        print('Fp = {} < Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))</pre>
{}'.format(round(q, 2)))
        flag = True
```

Скріншоти результату виконання роботи::

```
Дисперсії однорідні
Значення після критерія Стюдента:
Y1 = 112.894; Y2 = 112.894; Y3 = 112.894; Y4 = 112.894.
Y1a = 199.667; Y2a = 228.000; Y3a = 219.333; Y4a = 221.667.
Fp = 3377.958 > Ft = 2.6571966002210865
Рівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
Матриця планування експерименту:
1 - 1 - 1 - 1 230.00000 207.00000 192.00000
2 - 1 - 1 1 200.00000 244.00000 226.00000
3 - 1 1 - 1 237.00000 204.00000 194.00000
4 - 1 1 1 197.00000 240.00000 237.00000
5 1 - 1 - 1 240.00000 203.00000 191.00000
6 1 - 1 1 242.00000 215.00000 218.00000
7 1 1 - 1 209.00000 233.00000 200.00000
   1 1 1 221.00000 229.00000 241.00000
Дисперсії однорідні
Значення після критерія Стюдента:
Y1 = 211.066; Y2 = 224.067; Y3 = 211.066; Y4 = 224.067.
Y1a = 209.667; Y2a = 223.333; Y3a = 211.667; Y4a = 224.667.
Fp = 2.34 < Ft = 2.741310828338778
Рівняння регресії адекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
```

Висновок:

В даній лабораторній роботі я провів повний трьохфакторний експеримент з трьома статистичними.