Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №6

3 дисципліни «*Методи оптимізації та планування експерименту*» На тему:

«Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з квадратичними членами»

ВИКОНАВ: Студент II курсу ФІОТ Групи IB-93 Красулін Є.С. – 9316 Номер в списку: 12

ПЕРЕВІРИВ: ас. Регіда П.Г.

Мета:

трьохфакторний експеримент і отримати адекватну модель – рівняння регресії, використовуючи рототабельний композиційний план.

Варіант завдання:

Варіант	X_1		X_2		X_3	
	min	max	min	max	min	max
312	-40	20	-70	-10	-20	20

f(x1, x2, x3) = 0.4 + 0.3 * x1 + 7.0 * x2 + 6.9 * x3 + 1.5 * x1 * x1 + 0.5 * x2 * x2 + 0.8 * x3 * x3 + 2.0 * x1 * x2 + 0.4 * x1 * x3 + 8.1 * x2 * x3 + 8.7 * x1 * x2 * x3

Роздруківка коду програми:

```
import math
import random
from _decimal import Decimal
from itertools import compress
from scipy.stats import f, t
import numpy
from functools import reduce
import matplotlib.pyplot as plot
def regression_equation(x1, x2, x3, coeffs, importance=[True] * 11):
    factors_array = [1, x1, x2, x3, x1 * x2, x1 * x3, x2 * x3, x1 * x2 * x3, x1 ** 2,
x2 ** 2, x3 ** 2]
    return sum([el[0] * el[1] for el in compress(zip(coeffs, factors_array),
importance)])
def func(x1, x2, x3):
    coeffs = [0.4, 0.3, 7.0, 6.9, 1.5, 0.5, 0.8, 2.0, 0.4, 8.1, 8.7]
    return regression_equation(x1, x2, x3, coeffs)
xmin = [-40, -70, -20]
xmax = [20, -10, 20]
x0 = [(xmax[] + xmin[])/2 \text{ for } _in \text{ range}(3)]
dx = [xmax[_] - x0[_] for _ in range(3)]
norm_plan_raw = [[-1, -1, -1],
                   [-1, +1, +1],
                   [+1, -1, +1],
                   [+1, +1, -1],
                   [-1, -1, +1],
                   [-1, +1, -1],
                  [+1, -1, -1],
                  [+1, +1, +1],
                  [-1.73, 0, 0],
                  [+1.73, 0, 0],
                  [0, -1.73, 0],
[0, +1.73, 0],
[0, 0, -1.73],
                  [0, 0, +1.73]
natur_plan_raw = [[xmin[0],
                                         xmin[1],
                                                              xmin[2]],
                    [xmin[0],
                                        xmin[1],
                                                              xmax[2]],
                    [xmin[0],
                                        xmax[1]
                                                              xmin[2]],
                    [xmin[0],
                                         xmax[1],
                                                              xmax[2]],
                    [xmax[0],
                                         xmin[1],
                                                              xmin[2]]
```

```
[xmax[0],
                                       xmin[1],
                                                          xmax[2]],
                  [xmax[0],
                                       xmax[1],
                                                          xmin[2]],
                  [xmax[0],
                                       xmax[1],
                                                          xmax[2]],
                  [-1.73*dx[0]+x0[0], x0[1],
                                                          x0[2]],
                  [1.73*dx[0]+x0[0], x0[1],
                                                          x0[2]],
                  [x0[0],
                                      -1.73*dx[1]+x0[1], x0[2]],
                                      1.73*dx[1]+x0[1], x0[2]],
                  [x0[0],
                                      x0[1],
                                                          -1.73*dx[2]+x0[2]],
                  [x0[0],
                  [x0[0],
                                      x0[1],
                                                          1.73*dx[2]+x0[2]
                  [x0[0],
                                      x0[1],
                                                          x0[2]]]
def generate_factors_table(raw_array):
    raw_list = [row + [row[0] * row[1], row[0] * row[2], row[1] * row[2], row[0] *
row[1] * row[2]] + list(
        map(lambda x: x ** 2, row)) for row in raw array]
    return list(map(lambda row: list(map(lambda el: round(el, 3), row)), raw list))
def generate y(m, factors table):
    return [[round(func(row[0], row[1], row[2]) + random.randint(-5, 5), 3) for _ in
range(m)] for row in factors_table]
def print_matrix(m, N, factors, y_vals, additional_text=":"):
    labels_table = list(map(lambda x: x.ljust(10),
                                 "y{}".format(i + 1) for i in range(m)]))
    rows_table = [list(factors[i]) + list(y_vals[i]) for i in range(N)]
    print("\nMaтриця планування" + additional text)
    print(" ".join(labels_table))
    print("\n".join([" ".join(map(lambda j: "{:<+10}".format(j), rows_table[i])) for</pre>
i in range(len(rows_table))]))
def print_equation(coeffs, importance=[True] * 11):
    x_i_names = list(compress(["", "x1", "x2", "x3", "x12", "x13", "x23", "x123",
'x1^2<sup>"</sup>, "x2^2", "x3^2"], importance))
    coefficients_to_print = list(compress(coeffs, importance))
    equation = " ".join(
        ["".join(i) for i in zip(list(map(lambda x: "{:+.2f}".format(x),
coefficients to_print)), x_i_names)])
    print("Рівняння регресії: y = " + equation)
def set_factors_table(factors_table):
    def x i(i):
        with null factor = list(map(lambda x: [1] + x,
generate_factors_table(factors_table)))
        res = [row[i] for row in with_null_factor]
        return numpy.array(res)
    return x i
def m_ij(*arrays):
    return numpy.average(reduce(lambda accum, el: accum * el, list(map(lambda el:
numpy.array(el), arrays))))
```

```
def find_coefficients(factors, y_vals):
    x_i = set_factors_table(factors)
    coeffs = [[m_ij(x_i(column), x_i(row)) for column in range(11)] for row in
range(11)]
    y_numpy = list(map(lambda row: numpy.average(row), y_vals))
    free_values = [m_ij(y_numpy, x_i(i)) for i in range(11)]
    beta_coefficients = numpy.linalg.solve(coeffs, free_values)
    return list(beta_coefficients)
def cochran_criteria(m, N, y_table):
    def get_cochran_value(f1, f2, q):
        partResult1 = q / f2
        params = [partResult1, f1, (f2 - 1) * f1]
        fisher = f.isf(*params)
        result = fisher / (fisher + (f2 - 1))
        return Decimal(result).quantize(Decimal('.0001')).__float__()
{}".format(m, N))
    y_variations = [numpy.var(i) for i in y_table]
    max_y_variation = max(y_variations)
    gp = max_y_variation / sum(y_variations)
    f1 = m - 1
    q = 1 - p
    gt = get cochran value(f1, f2, q)
    print("Gp = {}; Gt = {}; f1 = {}; f2 = {}; q = {:.2f}".format(gp, gt, f1, f2, q))
    if gp < gt:</pre>
        print("Gp < Gt => дисперсії рівномірні - все правильно")
        return True
        return False
def student_criteria(m, N, y_table, beta_coefficients):
    def get student value(f3, q):
        return Decimal(abs(t.ppf(q / 2, f3))).quantize(Decimal('.0001')).__float__()
{}, N = {} ".format(m, N))
    average variation = numpy.average(list(map(numpy.var, y table)))
    variation_beta_s = average_variation / N / m
    standard_deviation_beta_s = math.sqrt(variation_beta_s)
    t_i = [abs(beta_coefficients[i]) / standard_deviation_beta_s for i in
range(len(beta_coefficients))]
    f3 = (m - 1) * N
    q = 0.05
    t_our = get_student_value(f3, q)
    importance = [True if el > t_our else False for el in list(t_i)]
    print("Οцінки коефіцієнтів βs: " + ", ".join(list(map(lambda x:
str(round(float(x), 3)), beta coefficients))))
    print("Коефіцієнти ts: " + ", ".join(list(map(lambda i: "{:.2f}".format(i),
t_i))))
    print("f3 = {}; q = {}; tтабл = {}".format(f3, q, t_our))
    beta_i = ["β0", "β1", "β2", "β3", "β12", "β13", "β23", "β123", "β11", "β22",
    importance_to_print = ["важливий" if i else "неважливий" for i in importance]
    to print = map(lambda x: x[0] + " " + x[1], zip(beta i, importance to print))
```

```
print(*to_print, sep="; ")
    print equation(beta coefficients, importance)
    # y = []
    # plot.show()
    return importance
def fisher_criteria(m, N, d, x_table, y_table, b_coefficients, importance):
    def get_fisher_value(f3, f4, q):
        return Decimal(abs(f.isf(q, f4, f3))).quantize(Decimal('.0001')).__float__()
    theoretical_y = numpy.array([regression_equation(row[0], row[1], row[2],
b coefficients) for row in x table])
    average y = numpy.array(list(map(lambda el: numpy.average(el), y table)))
    s_ad = m / (N - d) * sum((theoretical_y - average_y) ** 2)
    y_variations = numpy.array(list(map(numpy.var, y_table)))
    s_v = numpy.average(y_variations)
     _p = float(s_ad / s_v)
    f_t = get_fisher_value(f3, f4, q)
    theoretical_values_to_print = list(
        zip(map(lambda x: "x1 = {0[1]:<10} x2 = {0[2]:<10} x3 =
\{0[3]:<10\}".format(x), x_table), theoretical_y))
таблиці y_table".format(m, N))
    print("\n".join(["{arr[0]}: y = {arr[1]}".format(arr=el) for el in
theoretical values to print]))
    print("Fp = {}, Ft = {}".format(f_p, f_t))
    print("Fp < Ft => модель адекватна" if f_p < f_t else "Fp > Ft => модель
неадекватна")
    return True if f_p < f_t else False
m = 3
N = 15
natural_plan = generate_factors_table(natur_plan_raw)
y_arr = generate_y(m, natur_plan_raw)
while not cochran_criteria(m, N, y_arr):
    y_arr = generate_y(m, natural_plan)
print_matrix(m, N, natural_plan, y_arr, " для натуралізованих факторів:")
coefficients = find_coefficients(natural_plan, y_arr)
print_equation(coefficients)
importance = student_criteria(m, N, y_arr, coefficients)
d = len(list(filter(None, importance)))
fisher_criteria(m, N, d, natural_plan, y_arr, coefficients, importance)
```

Скріншоти результату виконання роботи::

Висновок:

В даній лабораторній роботі я провів трьохфакторний експеримент. Знайшов адекватну модель – рівняння регресії, використовуючи рототабельний композиційний план.