# «Метод конечных разностей во временной области (FDTD)»

## Уравнения Максвелла

### Уравнения Максвелла

$$rot \mathbf{H} = \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} + \mathbf{j}$$

$$rot \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$div \mathbf{D} = \rho$$

$$div \mathbf{B} = 0$$

$$\mathbf{j} = \sigma(\mathbf{E} + \mathbf{E}_{cT}) =$$

$$= \sigma \mathbf{E} + \mathbf{j}_{cT}$$

$$\mathbf{D} = \varepsilon \varepsilon_0 \mathbf{E}$$

$$\mathbf{B} = \mu \mu_0 \mathbf{H}$$

$$\operatorname{rot} \mathbf{F} = \begin{vmatrix} \mathbf{x_0} & \mathbf{y_0} & \mathbf{z_0} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ F_x & F_y & F_z \end{vmatrix}$$

$$\operatorname{div} \mathbf{F} = \frac{\partial F_{x}}{\partial x} + \frac{\partial F_{y}}{\partial y} + \frac{\partial F_{z}}{\partial z}$$

## Оператор набла (▽) или оператор Гамильтона

$$\nabla \equiv \mathbf{x_0} \frac{\partial}{\partial x} + \mathbf{y_0} \frac{\partial}{\partial y} + \mathbf{z_0} \frac{\partial}{\partial z}$$

$$\nabla \varphi = \mathbf{x_0} \frac{\partial \varphi}{\partial x} + \mathbf{y_0} \frac{\partial \varphi}{\partial y} + \mathbf{z_0} \frac{\partial \varphi}{\partial z} = ?$$

ф - скалярное поле

$$\nabla \varphi = \mathbf{x_0} \frac{\partial \varphi}{\partial x} + \mathbf{y_0} \frac{\partial \varphi}{\partial y} + \mathbf{z_0} \frac{\partial \varphi}{\partial z} = \operatorname{grad} \varphi$$

ф - скалярное поле

$$\nabla \cdot \mathbf{a} = \nabla_x a_x + \nabla_y a_y + \nabla_z a_z = \frac{\partial a_x}{\partial x} + \frac{\partial a_y}{\partial y} + \frac{\partial a_z}{\partial z} = ?$$

а — векторное поле

$$\nabla \cdot \mathbf{a} = \nabla_x a_x + \nabla_y a_y + \nabla_z a_z =$$

$$= \frac{\partial a_x}{\partial x} + \frac{\partial a_y}{\partial y} + \frac{\partial a_z}{\partial z} = \operatorname{div} \mathbf{a}$$

а — векторное поле

$$\nabla \times \mathbf{a} = \begin{vmatrix} \mathbf{x_0} & \mathbf{y_0} & \mathbf{z_0} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ a_x & a_y & a_z \end{vmatrix} = \operatorname{rot} \mathbf{a}$$

а — векторное поле

### Уравнения Максвелла

$$\nabla \times \mathbf{H} = \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} + \mathbf{j}$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

$$\mathbf{j} = \sigma(\mathbf{E} + \mathbf{E}_{cT}) =$$

$$= \sigma \mathbf{E} + \mathbf{j}_{cT}$$

$$\mathbf{D} = \varepsilon \varepsilon_0 \mathbf{E}$$

$$\mathbf{B} = \mu \mu_0 \mathbf{H}$$

$$\nabla \times \mathbf{F} = \operatorname{rot} \mathbf{F}$$

$$\nabla \cdot \mathbf{F} = \operatorname{div} \mathbf{F}$$

## Одномерный метод FDTD

## FDTD. Одномерный случай. Закон Ампера

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mathbf{j} = \nabla \times \mathbf{H} =$$

$$= \begin{vmatrix} \mathbf{X}_0 & \mathbf{Y}_0 & \mathbf{Z}_0 \\ \frac{\partial}{\partial x} & 0 & 0 \\ H_x & H_y & H_z \end{vmatrix} = ?$$

## FDTD. Одномерный случай. Закон Ампера

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mathbf{j} = \nabla \times \mathbf{H} =$$

$$= \begin{vmatrix} \mathbf{x_0} & \mathbf{y_0} & \mathbf{z_0} \\ \frac{\partial}{\partial x} & 0 & 0 \\ H_x & H_y & H_z \end{vmatrix} = \mathbf{x_0} \cdot 0 - \mathbf{y_0} \frac{\partial H_z}{\partial x} + \mathbf{z_0} \frac{\partial H_y}{\partial x}$$

## FDTD. Одномерный случай. Закон Фарадея

$$-\mu\mu_0\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} = \nabla \times \mathbf{E} =$$

$$= \begin{vmatrix} \mathbf{x_0} & \mathbf{y_0} & \mathbf{z_0} \\ \frac{\partial}{\partial x} & 0 & 0 \\ E_x & E_y & E_z \end{vmatrix} = ?$$

## FDTD. Одномерный случай. Закон Фарадея

$$-\mu\mu_0 \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} = \nabla \times \mathbf{E} =$$

$$= \begin{vmatrix} \mathbf{X_0} & \mathbf{y_0} & \mathbf{Z_0} \\ \frac{\partial}{\partial x} & 0 & 0 \\ E_x & E_y & E_z \end{vmatrix} = \mathbf{X_0} \cdot 0 - \mathbf{y_0} \frac{\partial E_z}{\partial x} + \mathbf{Z_0} \frac{\partial E_y}{\partial x}$$

Объединяем предыдущие уравнения

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mathbf{j} = -\mathbf{y_0} \frac{\partial H_z}{\partial x} + \mathbf{z_0} \frac{\partial H_y}{\partial x}$$
$$-\mu \mu_0 \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} = -\mathbf{y_0} \frac{\partial E_z}{\partial x} + \mathbf{z_0} \frac{\partial E_y}{\partial x}$$

$$\mathbf{x}_{0} \varepsilon \varepsilon_{0} \frac{\partial E_{x}}{\partial t} + \mathbf{y}_{0} \varepsilon \varepsilon_{0} \frac{\partial E_{y}}{\partial t} + \mathbf{z}_{0} \varepsilon \varepsilon_{0} \frac{\partial E_{z}}{\partial t} + \mathbf{x}_{0} j_{x} + \mathbf{y}_{0} j_{y} + \mathbf{z}_{0} j_{z} = -\mathbf{y}_{0} \frac{\partial H_{z}}{\partial x} + \mathbf{z}_{0} \frac{\partial H_{y}}{\partial x}$$

$$-\mathbf{x}_{\mathbf{0}}\mu\mu_{0}\frac{\partial H_{x}}{\partial t}-\mathbf{y}_{\mathbf{0}}\mu\mu_{0}\frac{\partial H_{y}}{\partial t}-\mathbf{z}_{\mathbf{0}}\mu\mu_{0}\frac{\partial H_{z}}{\partial t}=-\mathbf{y}_{\mathbf{0}}\frac{\partial E_{z}}{\partial x}+\mathbf{z}_{\mathbf{0}}\frac{\partial E_{y}}{\partial x}$$

#### В скалярном виде:

$$\mu \mu_0 \frac{\partial H_x}{\partial t} = 0$$

$$\mu \mu_0 \frac{\partial H_y}{\partial t} = \frac{\partial E_z}{\partial x}$$

$$-\mu\mu_0 \frac{\partial H_z}{\partial t} = \frac{\partial E_y}{\partial x}$$

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial E_x}{\partial t} + j_x = 0$$

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial E_z}{\partial t} + j_z = \frac{\partial H_y}{\partial x}$$

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial E_y}{\partial t} + j_y = -\frac{\partial H_z}{\partial x}$$

#### В скалярном виде:

$$\mu \mu_0 \frac{\partial H_x}{\partial t} = 0$$

$$\mu \mu_0 \frac{\partial H_y}{\partial t} = \frac{\partial E_z}{\partial x}$$

$$-\mu\mu_0 \frac{\partial H_z}{\partial t} = \frac{\partial E_y}{\partial x}$$

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial E_x}{\partial t} + j_x = 0$$

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial E_z}{\partial t} + j_z = \frac{\partial H_y}{\partial x}$$

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial E_y}{\partial t} + j_y = -\frac{\partial H_z}{\partial x}$$

Пусть существуют только  $E_{\rm z}$  и  $H_{\rm y}$  компоненты поля

$$\mu \mu_0 \frac{\partial H_y}{\partial t} = \frac{\partial E_z}{\partial x}$$

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial E_z}{\partial t} + j_z = \frac{\partial H_y}{\partial x}$$

### Дискретизация

$$E_z(x, t) = E_z(m\Delta x, q\Delta t) = E_z^q[m]$$

$$H_{y}(x, t) = H_{y}(m\Delta x, q\Delta t) = H_{y}^{q}[m]$$

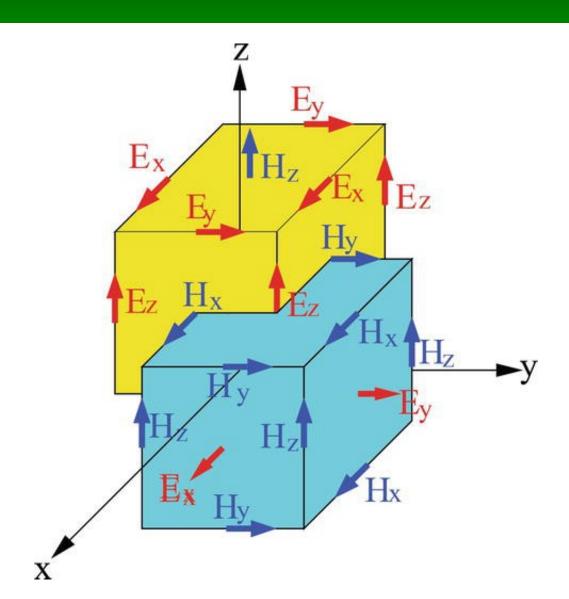
 $\Delta x$  — пространственное смещение

 $\Delta t$  — временное смещение

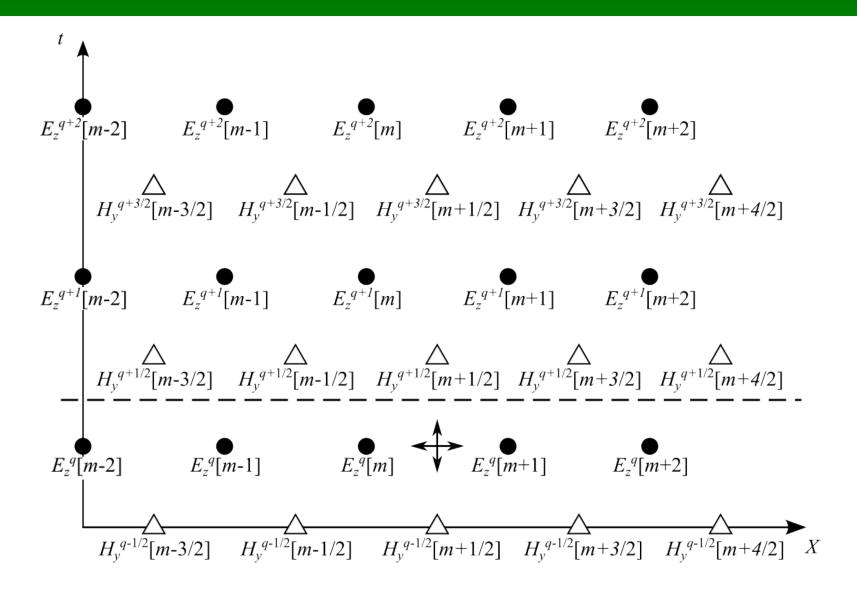
*т* — номер пространственного шага

*q* — номер временного шага

# Трехмерная ячейка для метода FDTD (ячейка Йи, Yee cell)



# Пространственно-временная сетка для одномерного случая



## Переходим к конечным разностям. Закон Фарадея

$$\mu \mu_0 \frac{\partial H_y}{\partial t} \bigg|_{(m+1/2)\Delta x, q\Delta t} = \frac{\partial E_z}{\partial x} \bigg|_{(m+1/2)\Delta x, q\Delta t}$$

### Переходим к конечным разностям. Закон Фарадея

$$\mu \mu_0 \frac{H_y^{q+1/2}[m+1/2] - H_y^{q-1/2}[m+1/2]}{\Delta_t} =$$

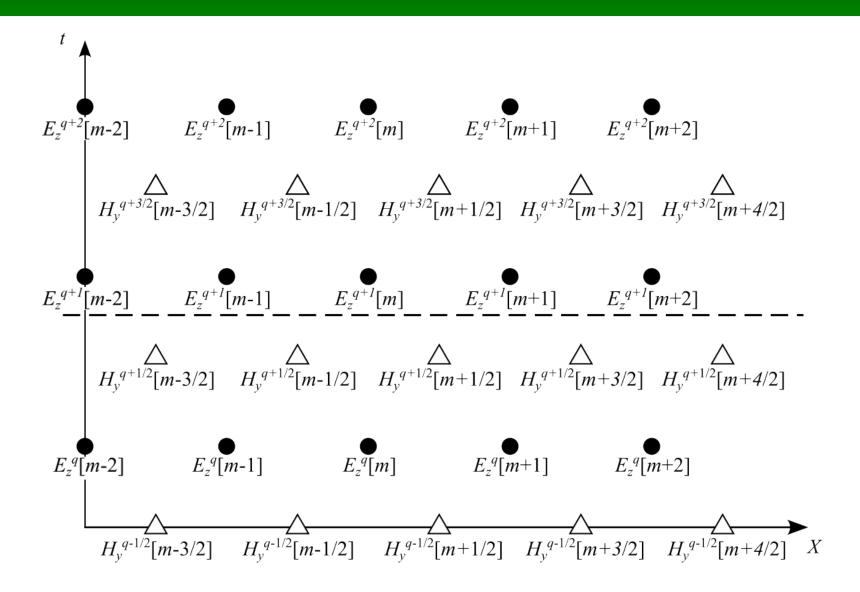
$$=\frac{E_z^q[m+1]-E_z^q[m]}{\Delta_x}$$

#### Из предыдущего уравнения

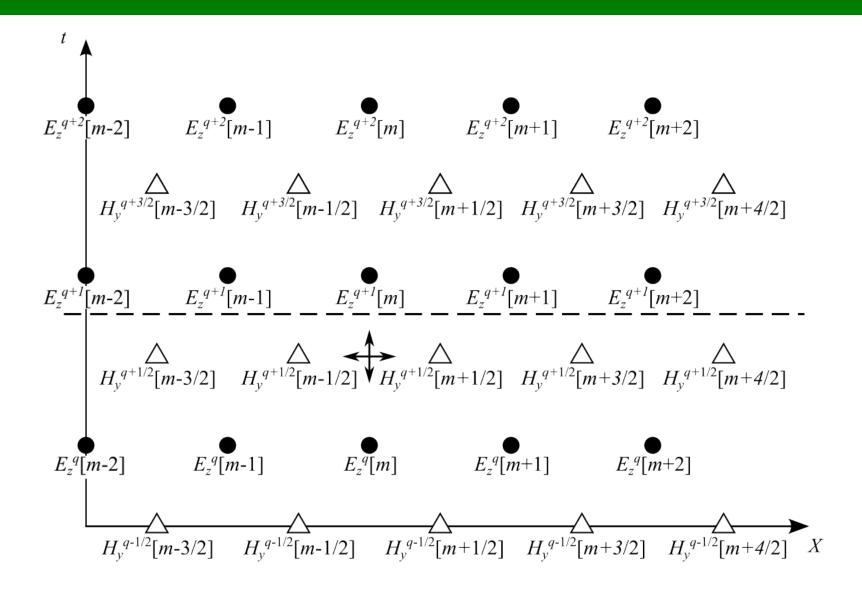
$$H_y^{q+1/2}[m+1/2] =$$

$$=H_{y}^{q-1/2}[m+1/2]+\frac{\Delta_{t}}{\mu\mu_{0}\Delta_{x}}\left(E_{z}^{q}[m+1]-E_{z}^{q}[m]\right)$$

# Пространственно-временная сетка для одномерного случая



# Пространственно-временная сетка для одномерного случая



### Переходим к конечным разностям. Закон Ампера

$$\left(\varepsilon \varepsilon_{0} \frac{\partial E_{z}}{\partial t} + j_{z}\right) = \frac{\partial H_{y}}{\partial x} = \frac{\partial H_{y}}{\partial x} = \frac{\partial H_{y}}{\partial x}$$

## Переходим к конечным разностям. Закон Ампера

$$\varepsilon \varepsilon_0 \frac{E_z^{q+1}[m] - E_z^q[m]}{\Delta_t} + j_z^{q+1/2}[m] =$$

$$= \frac{H_y^{q+1/2}[m+1/2] - H_y^{q+1/2}[m-1/2]}{\Delta_x}$$

$$E_{z}^{q+1}[m] =$$

$$= E_{z}^{q}[m] + \frac{\Delta_{t}}{\varepsilon \varepsilon_{0} \Delta_{x}} (H_{y}^{q+1/2}[m+1/2] - H_{y}^{q+1/2}[m-1/2]) -$$

$$-\frac{\Delta_t}{\varepsilon \varepsilon_0} j_z^{q+1/2} [m]$$

### Основные единицы системы СИ

- Длина м
- Macca кг
- Время с
- Сила тока А
- Температура К
- Количество вещества моль
- Сила света кд

$$\frac{\Delta_t}{\varepsilon \varepsilon_0} j_z^{q+1/2} \Rightarrow \left[ \frac{c \cdot M \cdot A}{\Phi \cdot M^2} \right] = \left[ \frac{c \cdot A}{\Phi \cdot M} \right]$$

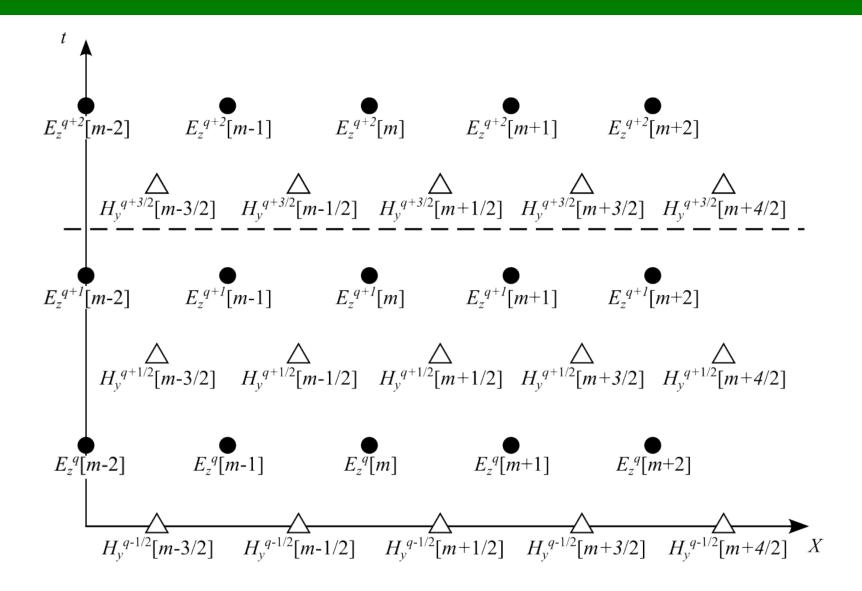
$$[\Phi] = \left[\frac{A^2 \cdot c^4}{\kappa \varepsilon \cdot m^2}\right]$$

$$\frac{\Delta_t}{\varepsilon \varepsilon_0} j_z^{q+1/2} \Rightarrow \left[ \frac{c \cdot M \cdot A}{\Phi \cdot M^2} \right] = \left[ \frac{c \cdot A}{\Phi \cdot M} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right] = \left[ \frac{c \cdot A \cdot \kappa z \cdot M^2}{M \cdot A^2 \cdot c^4} \right]$$

$$= \left[ \frac{M \cdot \kappa z}{A \cdot c^3} \right] = \left[ \frac{B}{M} \right]$$

$$[B] = \left[ \frac{M^2 \cdot \kappa z}{A \cdot c^3} \right]$$

# Пространственно-временная сетка для одномерного случая



# Формулы для метода конечных разностей во временной области

$$H_{y}^{q+1/2}[m+1/2] = H_{y}^{q-1/2}[m+1/2] + \frac{\Delta_{t}}{\mu \mu_{0} \Delta_{x}} \left( E_{z}^{q}[m+1] - E_{z}^{q}[m] \right)$$

$$E_{z}^{q+1}[m] = E_{z}^{q}[m] + \frac{\Delta_{t}}{\epsilon \epsilon_{0} \Delta_{x}} \left( H_{y}^{q+1/2}[m+1/2] - H_{y}^{q+1/2}[m-1/2] \right) - \frac{\Delta_{t}}{\epsilon \epsilon_{0}} j_{z}^{q+1/2}[m]$$

#### Учет источника сигнала

$$E_z^{q+1}[m] \leftarrow E_z^q[m] + \frac{\Delta_t}{\epsilon \epsilon_0 \Delta_x} (H_y^{q+1/2}[m+1/2] - H_y^{q+1/2}[m-1/2])$$

$$E_z^{q+1}[m] \leftarrow E_z^{q+1}[m] - \frac{\Delta_t}{\varepsilon \varepsilon_0} j_z^{q+1/2}[m]$$

ИЛИ

$$E_z^{q+1}[m] \leftarrow E_z^{q+1}[m] + E_{z \text{ cr}}^{q+1/2}[m]$$

### Критерий устойчивости Куранта-Фридриха-Леви

$$v_{\max} \Delta_t \leq \frac{1}{\sqrt{\Delta_x^{-2} + \Delta_y^{-2} + \Delta_z^{-2}}}$$

$$v_{\max} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon_{\min} \mu_{\min}}}$$

#### Критерий устойчивости Куранта-Фридриха-Леви

$$v_{\max} \Delta_t \leq \frac{1}{\sqrt{\Delta_x^{-2} + \Delta_y^{-2} + \Delta_z^{-2}}}$$

$$v_{\max} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon_{\min} \, \mu_{\min}}}$$

Если 
$$\Delta_x = \Delta_v = \Delta_z = \Delta$$

$$v_{\max} \Delta_t \leq \frac{\Delta}{\sqrt{N}}$$

N — размерность пространства (N = 1, 2, 3)

### Критерий устойчивости для одномерной задачи

Число Куранта
$$S_{c} = c\Delta_{t} / \Delta_{x}$$

Условие устойчивости

$$c\Delta_t \leq \Delta_x$$

ИЛИ

$$S_c \leq 1$$

$$H_y^{q+1/2}[m+1/2] =$$

$$=H_{y}^{q-1/2}[m+1/2]+\frac{\Delta_{t}}{\mu\mu_{0}\Delta_{x}}(E_{z}^{q}[m+1]-E_{z}^{q}[m])$$

$$E_z^{q+1}[m] =$$

$$= E_{z}^{q}[m] + \frac{\Delta_{t}}{\varepsilon \varepsilon_{0} \Delta_{x}} \left(H_{y}^{q+1/2}[m+1/2] - H_{y}^{q+1/2}[m-1/2]\right)$$

$$\frac{1}{\mu \mu_0} \frac{\Delta_t}{\Delta_x} = \frac{1}{\mu \mu_0} \sqrt{\frac{\varepsilon_0 \mu_0}{\varepsilon_0 \mu_0}} \frac{\Delta_t}{\Delta_x} = \frac{1}{\mu} \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\mu_0}} \frac{c \Delta_t}{\Delta_x} = \frac{1}{\mu W_0} S_c$$

$$W_0 = \sqrt{\mu_0/\epsilon_0}$$

- волновое сопротивление свободного пространства

$$c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \varepsilon_0}}$$

- скорость света в вакууме

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ }\Gamma_{\text{H/M}}$$
 $\varepsilon_0 = 1 / (\mu_0 c^2) = 8.85 \cdot 10^{-12} \text{ }\Phi/_{\text{M}}$ 

$$\frac{1}{\varepsilon \varepsilon_0} \frac{\Delta_t}{\Delta_x} = \frac{1}{\varepsilon \varepsilon_0} \sqrt{\frac{\varepsilon_0 \mu_0}{\sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}}} \frac{\Delta_t}{\Delta_x} = \frac{1}{\varepsilon} \sqrt{\frac{\mu_0}{\varepsilon_0}} \frac{c \Delta_t}{\Delta_x} = \frac{W_0}{\varepsilon} S_c$$

$$W_0 = \sqrt{\mu_0/\epsilon_0}$$

 волновое сопротивление свободного пространства

$$c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \, \epsilon_0}}$$

- скорость света в вакууме

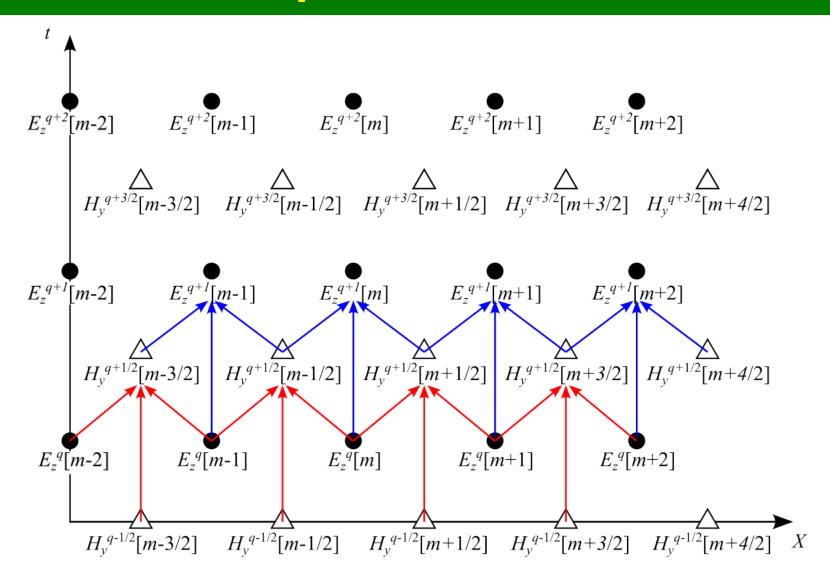
$$H_y^{q+1/2}[m+1/2] =$$

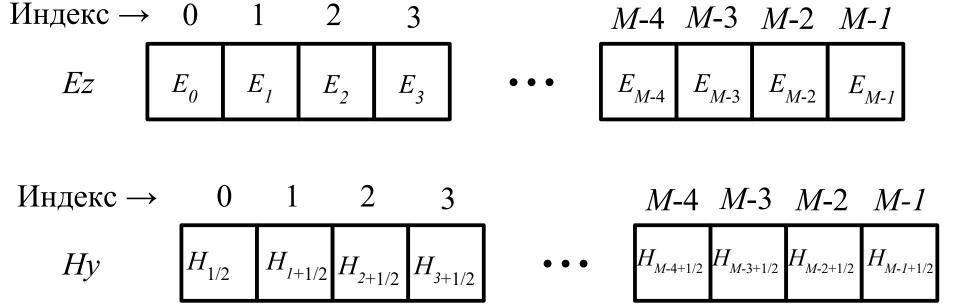
$$=H_{y}^{q-1/2}[m+1/2]+(E_{z}^{q}[m+1]-E_{z}^{q}[m])\frac{1}{\mu W_{0}}S_{c}$$

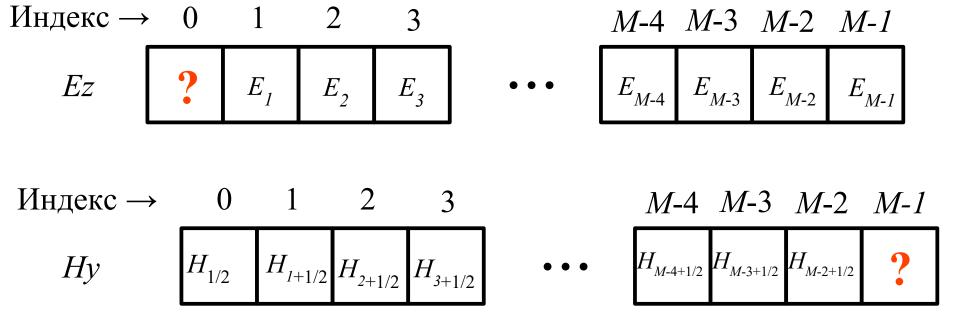
$$E_z^{q+1}[m] =$$

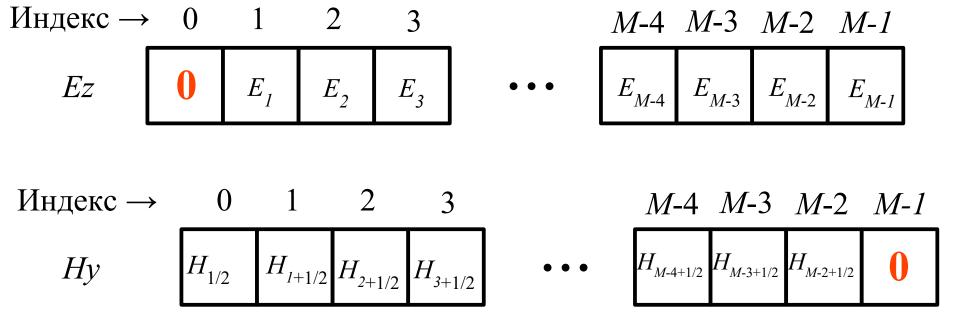
$$= E_z^q[m] + \left(H_y^{q+1/2}[m+1/2] - H_y^{q+1/2}[m-1/2]\right) \frac{W_0}{\varepsilon} S_c$$

# Расчет полей $H_y$ и $E_z$ в одномерном методе FDTD









#### Используемый источник

$$E_{\rm ct}(t) = E_{\rm ct}(q \Delta_t) = e^{-\left(\frac{q \Delta_t - 30 \Delta_t}{10 \Delta_t}\right)^2} = e^{-\left(\frac{q - 30}{10}\right)^2} = E_{\rm ct}[q]$$

#### Схема алгоритма FDTD

```
Начало
Задание начальных условий E_z^0, H_v^{1/2}
Цикл по времени q = [1...maxTime - 1]:
      Цикл по пространству m = [0...maxSize - 2]:
            Расчет H_v^{q+1/2}
      Цикл по пространству m = [1...maxSize - 1]:
            Pасчет E_{z}^{q+1}
      Ввод поля с помощью источников возбуждения
Вывод результатов
Конец
```

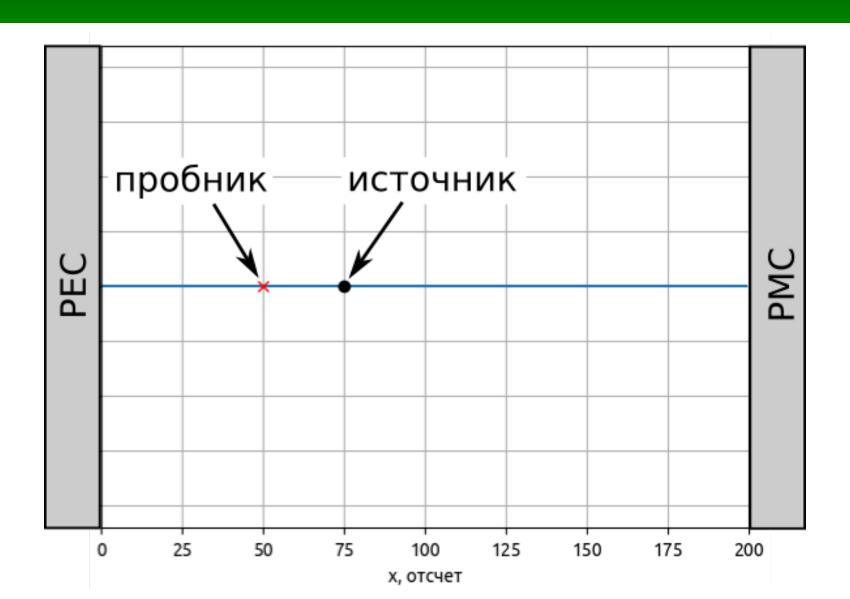
#### Формулы для алгоритма FDTD

$$H_y^{q+1/2}[m+1/2] \leftarrow H_y^{q-1/2}[m+1/2] + \frac{\Delta_t}{\mu \mu_0 \Delta_x} \left( E_z^q[m+1] - E_z^q[m] \right)$$

$$E_{z}^{q+1}[m] \leftarrow E_{z}^{q}[m] + \frac{\Delta_{t}}{\epsilon \epsilon_{0} \Delta_{x}} \left( H_{y}^{q+1/2}[m+1/2] - H_{y}^{q+1/2}[m-1/2] \right)$$

$$E_z^{q+1}[m] \leftarrow E_z^{q+1}[m] + E_{z \text{ cr}}^{q+1/2}[m]$$

#### Геометрия задачи



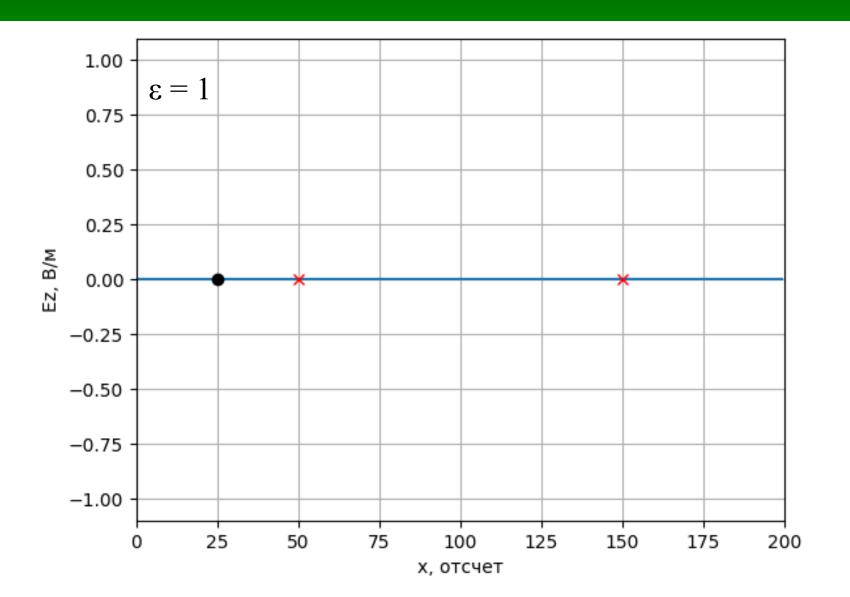
## Реализация одномерного FDTD на Python

Распространение импульса в свободном пространстве.

Число Куранта равно 1.

```
fdtd_first_version_01.py
fdtd_first_version_02.py
fdtd_first_version_03.py
fdtd_first_version_04.py
fdtd_first_version_05.py
fdtd_first_version_06.py
```

### Измерение скорости распространения волны (fdtd\_first\_version\_speed.py)



### Измерение скорости распространения волны (fdtd\_first\_version\_speed.py)

$$v = \frac{L}{t} = \frac{m \cdot \Delta x}{q \cdot \Delta t}$$

$$\Delta t = S_c \frac{\Delta x}{c}$$

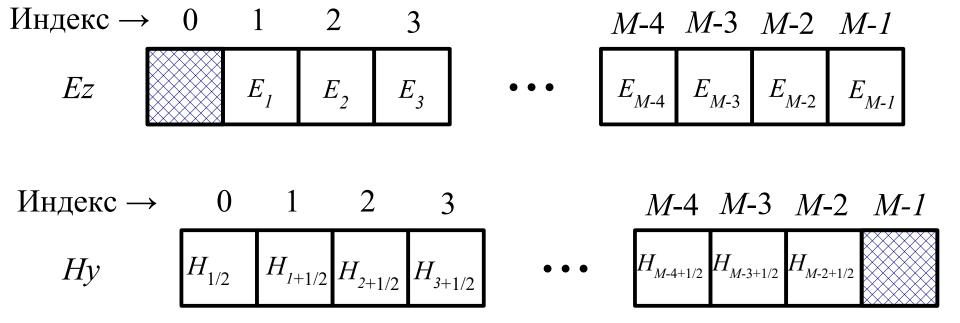
$$v = \frac{m \cdot \Delta x \cdot c}{q \cdot S_c \cdot \Delta x} = \frac{m \cdot c}{q \cdot S_c}$$

## Отображение компонент поля Е и Н

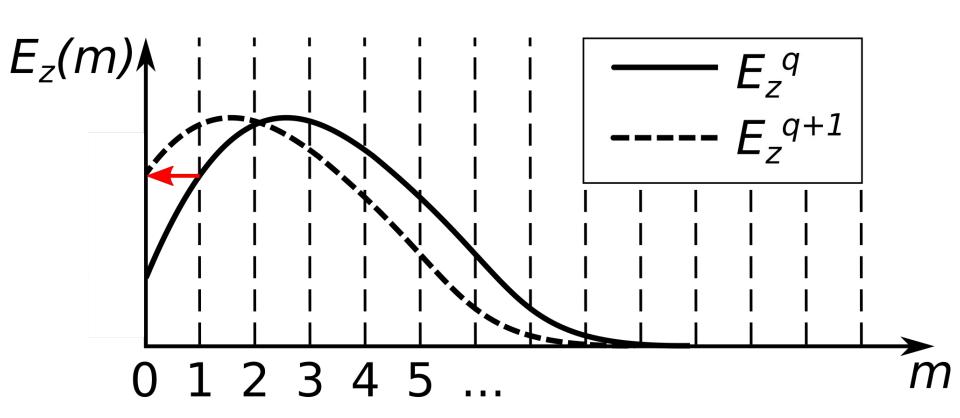
#### Достоверность расчета

- Скорость распространение волны в вакууме равна скорости света.
- Коэффициент отражения электрической компоненты поля от РЕС равен -1.
- Коэффициент отражения электрической компоненты поля от РМС равен +1.
- Коэффициент отражения магнитной компоненты поля от РЕС равен +1.
- Коэффициент отражения магнитной компоненты поля от РМС равен -1.

# Простейшие поглощающие граничные условия



# Простейшее поглощающие граничные условия



### Простейшее поглощающие граничные условия

Работают только для 
$$S_c=1$$

$$H_y^{q+1/2}[\text{end}] = H_y^{q-1/2}[\text{end}-1]$$

$$E_z^{q+1}[0]=E_z^q[1]$$

## Демонстрация поглощающих граничных условий