Компьютерный практикум по статистическому анализу данных Лабораторная работа №6: Решение моделей в непрерывном и дискретном времени

Кармацкий Никита Сергеевич

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Цель лабораторной работы

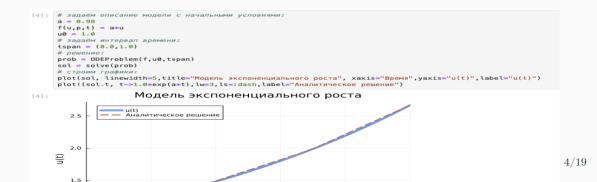
Основной целью работы освоить синтаксис языка Julia для построения графиков.

Выполнение лабораторной работы: Решение обыкновенных дифференциальных уравнений

1. Модель экспоненциального роста

Вспомним, что обыкновенное дифференциальное уравнение (ОДУ) описывает изменение некоторой переменной ${\bf u}$.

Для решения обыкновенных дифференциальных уравнений (ОДУ) в Julia можно использовать пакет diffrential Equations.jl.



1. Модель экспоненциального роста

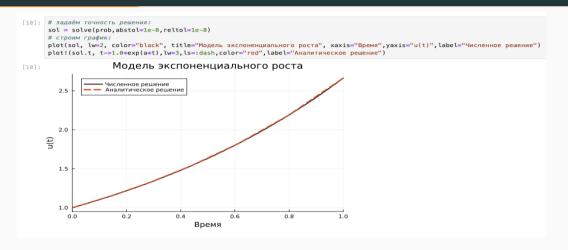


Рис. 2: График модели экспоненциального роста(задана точность решения)

2. Система Лоренца

1.2. Система Лоренца [13]: # Задаём описание модели function lorenz!(du, u, p, t) σ, ρ, β - ρ $du[1] = \sigma + (u[2] - u[1])$ $du[2] = u[1] * (\rho - u[3]) - u[2]$ du[3] = u[1] * u[2] = 6 * u[3]# Запаём начальное условие u0 = [1.0, 0.0, 0.0] # Задаём значения параметров p = (10, 28, 8 / 3)# Задаём интервал времени tspan = (0.0, 100.0) # Решение prob = ODEProblem(lorenz!, u0, tspan, p) sol = solve(prob, Tsit5()) # Строим график plot(sol, idxs=(1, 2, 3), lw=1, title="Аттрактор Лоренца", xaxis="x", vaxis="v", zaxis="z", legend=false) Аттрактор Лоренца 40 30 20 10

Рис. 3: Аттрактор Лоренца

2. Система Лоренца

[15]: # отключаем интерполяцию: plot(sol.vars=(1.2.3).denseplot=false, lw=1, title="Аттрактор Лоренца", xaxis="x",vaxis="v", zaxis="z", legend=false) r Warning: To maintain consistency with solution indexing, keyword argument vars will be removed in a future version. ment idxs instead. caller = ip:0x0L @ Core :-1 Аттрактор Лоренца Z 20 10

Рис. 4: Аттрактор Лоренца(интерполяция отключена)

3. Модель Лотки-Вольтерры

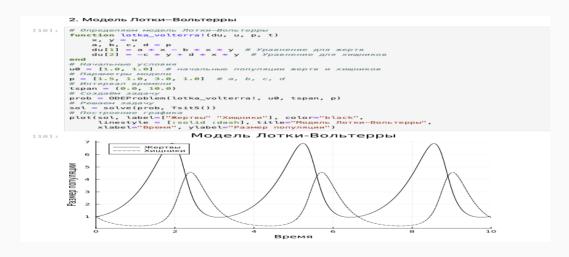


Рис. 5: Модель Лотки-Вольтерры: динамика изменения численности популяций

3. Модель Лотки-Вольтерры

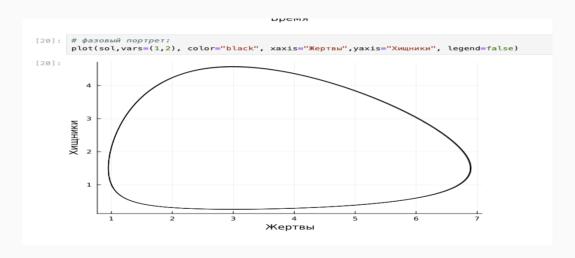


Рис. 6: Модель Лотки-Вольтерры: фазовый портрет

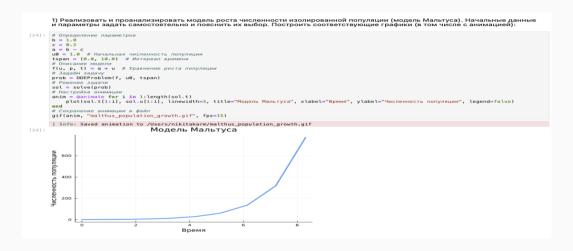


Рис. 7: Выполнение задания №1

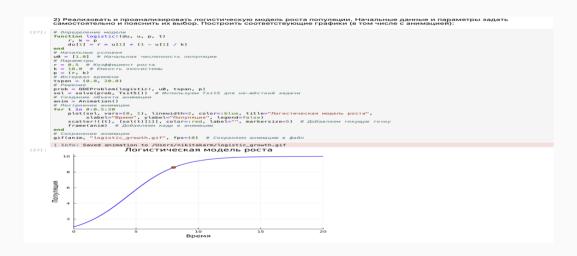


Рис. 8: Выполнение задания №2

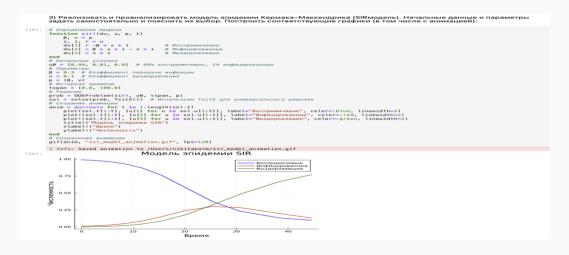


Рис. 9: Выполнение задания №3

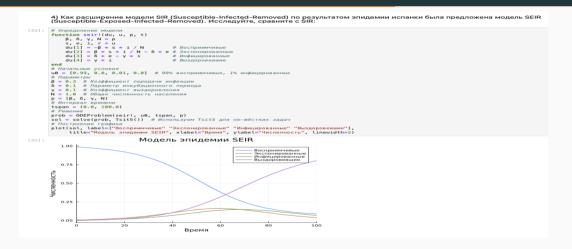


Рис. 10: Выполнение задания №4

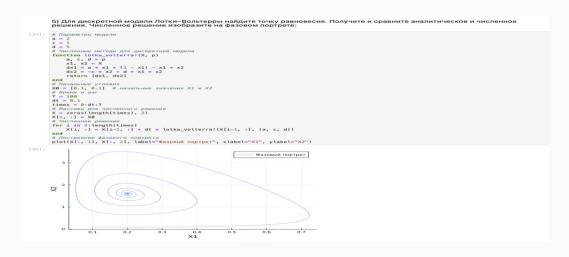


Рис. 11: Выполнение задания №5.

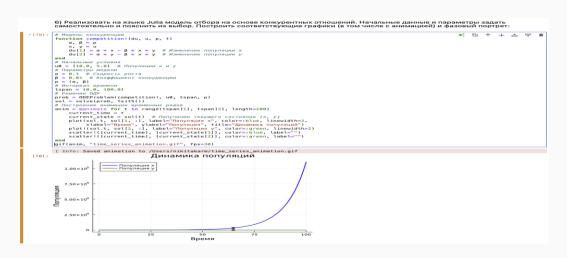


Рис. 12: Выполнение задания №6

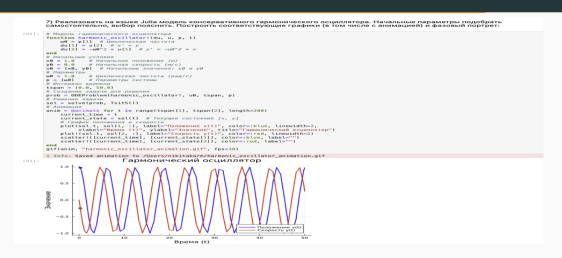


Рис. 13: Выполнение задания №7

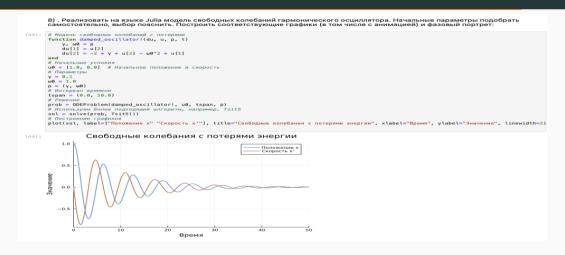


Рис. 14: Выполнение задания №8

Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы были освоены специализированные пакеты для решения задач в непрерывном и дискретном времени.

Список литературы. Библиография

[1] Julia Documentation: https://docs.julialang.org/en/v1/