Jérémie Cabessa Laboratoire DAVID, UVSQ

- Les réseaux de neurones convolutifs (CNNs) sont un type de réseaux de neurones particulièrement adaptés pour le traitement d'images et de vidéos (computer vision).
- ► Ils possèdent toutefois d'autres types d'applications: systèmes de recommandation, le traitement du langage naturel, etc.
- ▶ Leur fonctionnement est inspiré par les processus biologiques: cortex visuel des animaux.

- Les réseaux de neurones convolutifs (CNNs) sont un type de réseaux de neurones particulièrement adaptés pour le traitement d'images et de vidéos (computer vision).
- ► Ils possèdent toutefois d'autres types d'applications: systèmes de recommandation, le traitement du langage naturel, etc.
- ▶ Leur fonctionnement est inspiré par les processus biologiques: cortex visuel des animaux.

- Les réseaux de neurones convolutifs (CNNs) sont un type de réseaux de neurones particulièrement adaptés pour le traitement d'images et de vidéos (computer vision).
- ► Ils possèdent toutefois d'autres types d'applications: systèmes de recommandation, le traitement du langage naturel, etc.
- ► Leur fonctionnement est inspiré par les processus biologiques: cortex visuel des animaux.

- Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-illet: [konneberger et al., ZUIb]
 - VGGNets [Simonyan and Zisserman, 2015]
 - Resilet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- ► Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - e U-Net: [Ronneberger et al.,
 - w VGGNet: [Simonyon and Zisserman, 2015]
- NEMEL [Ne et al., 2010]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-Net: [Romeberger et al., 2015]
 - VGGNet: [Simonyan and Zissenman, 2015]
 - ResNet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-Net: [Ronneberger et al., 2015]
 - VGGNet: [Simonyan and Zisserman, 2015]
 - ResNet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé..

- Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-Net: [Ronneberger et al., 2015]
 - VGGNet: [Simonyan and Zisserman, 2015]
 - ResNet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-Net: [Ronneberger et al., 2015]
 - VGGNet: [Simonyan and Zisserman, 2015]
 - ResNet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-Net: [Ronneberger et al., 2015]
 - VGGNet: [Simonyan and Zisserman, 2015]
 - ResNet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- ► Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-Net: [Ronneberger et al., 2015]
 - VGGNet: [Simonyan and Zisserman, 2015]
 - ResNet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- Articles fondateurs sur les CNNs:
 - [Fukushima, 1980, Fukushima, 1988]
 - [LeCun et al., 1998]
- Articles qui ont contribués à de grandes avancées dans le domaine des CNNs:
 - AlexNet: [Krizhevsky et al., 2012]
 - U-Net: [Ronneberger et al., 2015]
 - VGGNet: [Simonyan and Zisserman, 2015]
 - ResNet: [He et al., 2016]
- Par la suite, le domaine a explosé...

- Les signaux de grande dimension (images, vidéos, audios) posent problème lorsqu'ils sont traités comme des vecteurs non structurés (flattened).
- ▶ En effect, une couche linéaire prenant en entrée une image RGB de 256 × 256 pixels, et produisant en sortie une image de même taille nécessite $(256 \cdot 256 \cdot 3)^2 \simeq 3.87 \times 10^{10}$ paramètres.
- ightharpoonup Empreinte mémoire correspondante de $\sim 150\,\mathrm{Go...}$

- Les signaux de grande dimension (images, vidéos, audios) posent problème lorsqu'ils sont traités comme des vecteurs non structurés (flattened).
- ▶ En effect, une couche linéaire prenant en entrée une image RGB de 256 x 256 pixels, et produisant en sortie une image de même taille nécessite $(256 \cdot 256 \cdot 3)^2 \simeq 3.87 \times 10^{10}$ paramètres.
- ightharpoonup Empreinte mémoire correspondante de $\sim 150\,\mathrm{Go...}$

- ▶ Les signaux de grande dimension (images, vidéos, audios) posent problème lorsqu'ils sont traités comme des vecteurs non structurés (flattened).
- ▶ En effect, une couche linéaire prenant en entrée une image RGB de 256 x 256 pixels, et produisant en sortie une image de même taille nécessite $(256 \cdot 256 \cdot 3)^2 \simeq 3.87 \times 10^{10}$ paramètres.
- ightharpoonup Empreinte mémoire correspondante de $\sim 150\,\mathrm{Go...}$

- ► Une telle exigence est incohérente avec l'intuition selon laquelle ces signaux ont une certaine "invariance par translation".
- Une transformation significative en un endroit peut / doit être utilisée partout.
- ▶ Une couche de convolution incarne cette idée.
- Elle applique la même transformation linéaire localement, partout

Résumé: Convolutions et Invariances XXX

- ► Une telle exigence est incohérente avec l'intuition selon laquelle ces signaux ont une certaine "invariance par translation".
- Une transformation significative en un endroit peut / doit être utilisée partout.
- ▶ Une couche de convolution incarne cette idée.
- Elle applique la même transformation linéaire localement, partout

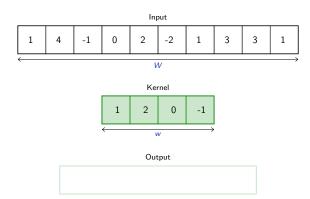
- ► Une telle exigence est incohérente avec l'intuition selon laquelle ces signaux ont une certaine "invariance par translation".
- Une transformation significative en un endroit peut / doit être utilisée partout.
- Une couche de convolution incarne cette idée.
- Elle applique la même transformation linéaire localement, partout

- ► Une telle exigence est incohérente avec l'intuition selon laquelle ces signaux ont une certaine "invariance par translation".
- Une transformation significative en un endroit peut / doit être utilisée partout.
- Une couche de convolution incarne cette idée.
- Elle applique la même transformation linéaire localement, partout.

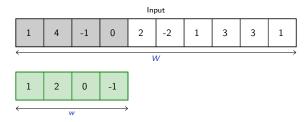
Input

1	4	-1	0	2	-2	1	3	3	1
---	---	----	---	---	----	---	---	---	---

Figures taken from [Fleuret, 2022].

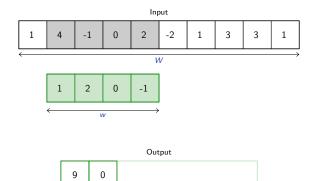


Figures taken from [Fleuret, 2022].

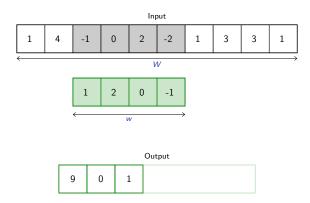


Output 9

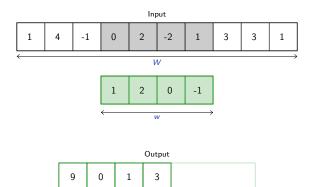
Figures taken from [Fleuret, 2022].



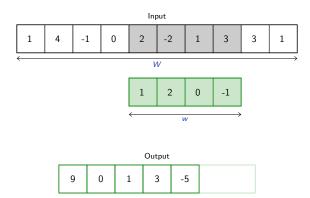
Figures taken from [Fleuret, 2022].



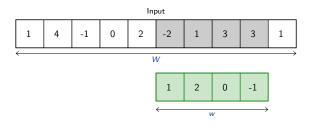
Figures taken from [Fleuret, 2022].

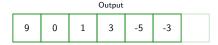


Figures taken from [Fleuret, 2022].

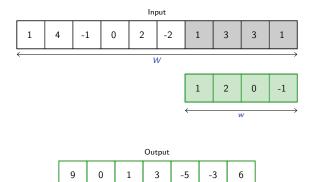


Figures taken from [Fleuret, 2022].

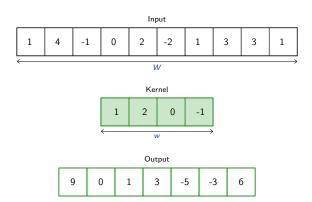




Figures taken from [Fleuret, 2022].



Figures taken from [Fleuret, 2022].



Figures taken from [Fleuret, 2022].

lacktriangle Étant donné un vecteur d' $input\ x$ de taille W

$$\boldsymbol{x} = (x_1, \dots, x_W)$$

et un *noyau* ou *filtre* (kernel, filter) k de taille w,

$$\boldsymbol{k} = (k_1, \dots, k_w)$$

la convolution x*k est un vecteur de taille W-w+1 dont les composantes sont données par

$$(x * k)_i = x_{[i:i+w-1]} \cdot k = \sum_{i=1}^w x_{i-1+j} \cdot k_j$$

lacktriangle Étant donné un vecteur d' $input\ x$ de taille W

$$\boldsymbol{x} = (x_1, \dots, x_W)$$

et un *noyau* ou *filtre* (kernel, filter) k de taille w,

$$\boldsymbol{k}=(k_1,\ldots,k_w)$$

la convolution $\boldsymbol{x}*\boldsymbol{k}$ est un vecteur de taille W-w+1 dont les composantes sont données par

$$(\boldsymbol{x} * \boldsymbol{k})_i = \boldsymbol{x}_{[i:i+w-1]} \cdot \boldsymbol{k} = \sum_{j=1}^w x_{i-1+j} \cdot k_j$$

lacktriangle Étant donné un vecteur d' $input\ x$ de taille W

$$\boldsymbol{x} = (x_1, \dots, x_W)$$

et un noyau ou filtre (kernel, filter) ${m k}$ de taille w,

$$\boldsymbol{k}=(k_1,\ldots,k_w)$$

la convolution x*k est un vecteur de taille W-w+1 dont les composantes sont données par

$$(x * k)_i = x_{[i:i+w-1]} \cdot k = \sum_{j=1}^w x_{i-1+j} \cdot k_j$$

 \blacktriangleright Étant donné un vecteur d'input x de taille W

$$\boldsymbol{x} = (x_1, \dots, x_W)$$

et un noyau ou filtre (kernel, filter) k de taille w,

$$\boldsymbol{k}=(k_1,\ldots,k_w)$$

la convolution x * k est un vecteur de taille W - w + 1 dont les composantes sont données par

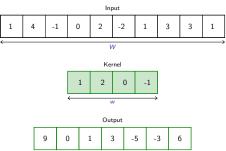
$$(\boldsymbol{x} * \boldsymbol{k})_i = \boldsymbol{x}_{[i:i+w-1]} \cdot \boldsymbol{k} = \sum_{j=1}^w x_{i-1+j} \cdot k_j$$

CONVOLUTION: 1D

Exemple numérique:

$$(1,2,3,4)*(3,2) = (3+4,6+6,9+8) = (7,12,17)$$

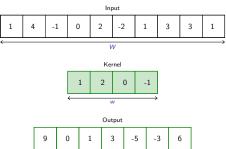
Exemple visuel:

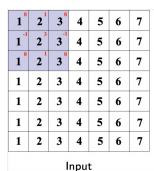


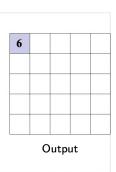
Exemple numérique:

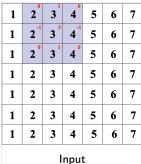
$$(1,2,3,4)*(3,2) = (3+4,6+6,9+8) = (7,12,17)$$

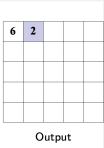
Exemple visuel:

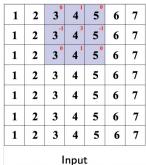


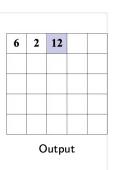


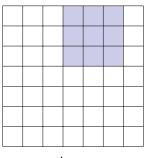


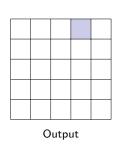






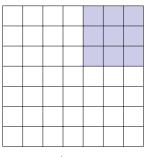


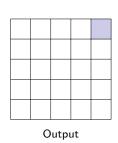




Input

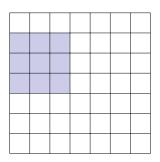
CONVOLUTION: 2D

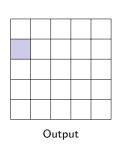




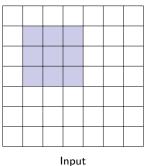
Input

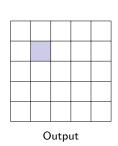
Figures taken from [Fleuret, 2022]





Input





CONVOLUTION: 2D

lacktriangle Étant donné une matrice d'input $oldsymbol{X}$ de taille $H \times W$

$$\boldsymbol{X} = (x_{i,j})$$

et un *noyau de convolution* ou *filtre* (*kernel*, *filter*) \boldsymbol{K} de taille $h \times w$.

$$\boldsymbol{K} = (k_{i,j})$$

la convolution ${\pmb X}*{\pmb K}$ est une matrice de taille (H-h+1) imes (W-w+1) dont les composantes sont données par

$$(X * K)_{i,j} = X_{[i:i+h-1,j:j+w-1]} \odot K$$

= $\sum_{l=1}^{h} \sum_{l=1}^{w} x_{i-1+k,j-1+l} \cdot u_{k,l}$

lacktriangle Étant donné une matrice d'input $oldsymbol{X}$ de taille $H \times W$

$$\boldsymbol{X} = (x_{i,j})$$

et un *noyau de convolution* ou *filtre* (*kernel*, *filter*) \boldsymbol{K} de taille $h \times w$.

$$\boldsymbol{K} = (k_{i,j})$$

la convolution ${\pmb X}*{\pmb K}$ est une matrice de taille $(H-h+1)\times (W-w+1)$ dont les composantes sont données par

$$(\boldsymbol{X} * \boldsymbol{K})_{i,j} = \boldsymbol{X}_{[i:i+h-1,j:j+w-1]} \odot \boldsymbol{K}$$

$$= \sum_{i=1}^{h} \sum_{i=1}^{w} x_{i-1+k,j-1+l} \cdot u_{i}$$

CONVOLUTION: 2D

 \blacktriangleright Étant donné une matrice d'input ${m X}$ de taille $H \times W$

$$\boldsymbol{X} = (x_{i,j})$$

et un noyau de convolution ou filtre (kernel, filter) ${m K}$ de taille $h \times w$,

$$\boldsymbol{K} = (k_{i,j})$$

la convolution ${\pmb X}*{\pmb K}$ est une matrice de taille (H-h+1) imes (W-w+1) dont les composantes sont données par

$$(m{X} * m{K})_{i,j} = m{X}_{[i:i+h-1,j:j+w-1]} \odot m{K}$$

= $\sum_{k=1}^{h} \sum_{l=1}^{w} x_{i-1+k,j-1+l} \cdot u_{k,l}$

Etant donné une matrice d'input X de taille $H \times W$

$$\boldsymbol{X} = (x_{i,j})$$

et un noyau de convolution ou filtre (kernel, filter) K de taille $h \times w$.

$$\boldsymbol{K} = (k_{i,j})$$

la convolution X * K est une matrice de taille $(H - h + 1) \times$ (W-w+1) dont les composantes sont données par

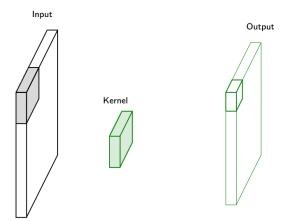
$$(X * K)_{i,j} = X_{[i:i+h-1,j:j+w-1]} \odot K$$

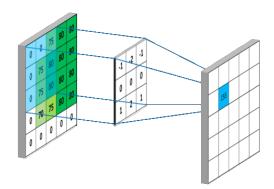
= $\sum_{k=1}^{h} \sum_{l=1}^{w} x_{i-1+k,j-1+l} \cdot u_{k,l}$

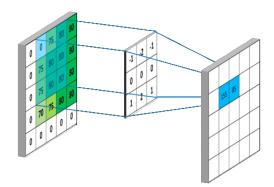
Exemples:

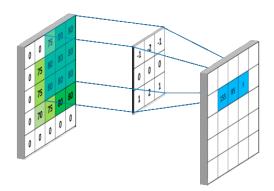
Voir site web: https://deeplizard.com/resource/pavq7noze2

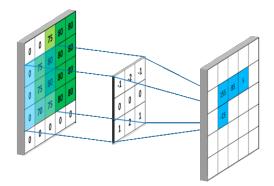
Tester différents filtres: top/bottom/left/right edge filters...

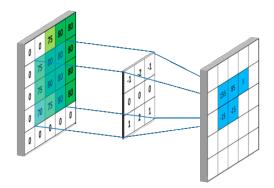




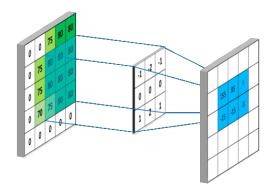


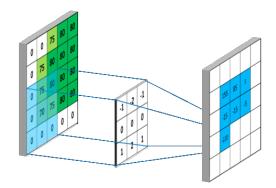


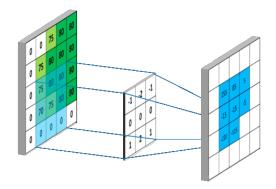


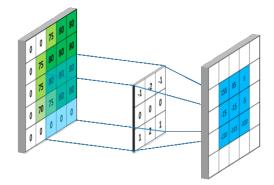


COUCHE CONVOLUTIVE (CONV. LAYER)









- L'output de la convolution est appelée activation map.
- La partie de l'input qui participe au calcul d'une composante d'output est appelée *receptive field*.
- Une couche convolutive standard est généralement appelée fully connected layer.
- ▶ Dans une couche convolutive, ce sont les paramètres (valeurs) du noyau K qui sont appris!

- L'output de la convolution est appelée activation map.
- La partie de l'input qui participe au calcul d'une composante d'output est appelée *receptive field*.
- Une couche convolutive standard est généralement appelée fully connected layer.
- ▶ Dans une couche convolutive, ce sont les paramètres (valeurs) du noyau K qui sont appris!

- L'output de la convolution est appelée activation map.
- ► La partie de l'input qui participe au calcul d'une composante d'output est appelée *receptive field*.
- Une couche convolutive standard est généralement appelée fully connected layer.
- ▶ Dans une couche convolutive, ce sont les paramètres (valeurs) du noyau K qui sont appris!

- L'output de la convolution est appelée activation map.
- La partie de l'input qui participe au calcul d'une composante d'output est appelée *receptive field*.
- Une couche convolutive standard est généralement appelée fully connected layer.
- ▶ Dans une couche convolutive, ce sont les paramètres (valeurs) du noyau K qui sont appris!

- ▶ En pratique, les images en couleurs sont représentées par des tenseur RGB de profondeur C=3.
- ► Chacune des matrices "rouges" (R), "verts" (G), et "bleus" (B) est appelée un *canal (channel)*.
- ▶ Ainsi, la convolution sera appliquée entre une input 3D X et un noyau 3D K.

- lacktriangle En pratique, les images en couleurs sont représentées par des tenseur RGB de profondeur C=3.
- ► Chacune des matrices "rouges" (R), "verts" (G), et "bleus" (B) est appelée un *canal (channel)*.
- ▶ Ainsi, la convolution sera appliquée entre une input 3D X et un noyau 3D K.

- ightharpoonup En pratique, les images en couleurs sont représentées par des tenseur RGB de profondeur C=3.
- ► Chacune des matrices "rouges" (R), "verts" (G), et "bleus" (B) est appelée un *canal (channel)*.
- ▶ Ainsi, la convolution sera appliquée entre une input 3D X et un noyau 3D K.

COUCHE CONVOLUTIVE (CONV. LAYER)

▶ La convolution entre une input \boldsymbol{X} de dimension $H \times W \times C$ et un noyau \boldsymbol{K} de dimension $h \times w \times C$ donne une output

$$Z = X * K$$

de dimension
$$(H - h + 1) \times (W - w + 1)$$
.

- L'opération de convolution est généralisée à tous les canaux de manière "naturelle".
- L'output est une matrice de profondeur 1 et non C. Si on veut une output de profondeur > 1, on rajoute des noyaux (cf. slide suivant).

COUCHE CONVOLUTIVE (CONV. LAYER)

▶ La convolution entre une input \boldsymbol{X} de dimension $H \times W \times C$ et un noyau \boldsymbol{K} de dimension $h \times w \times C$ donne une output

$$Z = X * K$$

de dimension $(H - h + 1) \times (W - w + 1)$.

- L'opération de convolution est généralisée à tous les canaux de manière "naturelle".
- L'output est une matrice de profondeur 1 et non C. Si on veut une output de profondeur > 1, on rajoute des noyaux (cf. slide suivant).

COUCHE CONVOLUTIVE (CONV. LAYER)

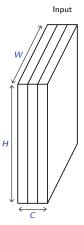
▶ La convolution entre une input X de dimension $H \times W \times C$ et un noyau K de dimension $h \times w \times C$ donne une output

$$Z = X * K$$

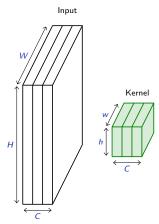
de dimension $(H - h + 1) \times (W - w + 1)$.

- L'opération de convolution est généralisée à tous les canaux de manière "naturelle".
- L'output est une matrice de profondeur 1 et non C. Si on veut une output de profondeur > 1, on rajoute des noyaux (cf. slide suivant).

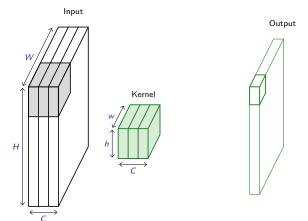
COUCHE CONVOLUTIVE (CONV. LAYER)



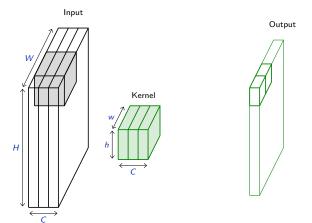
Figures taken from [Fleuret, 2022].



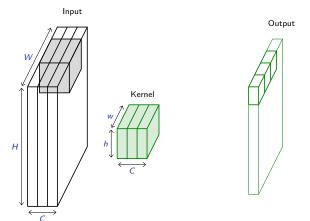
Figures taken from [Fleuret, 2022].



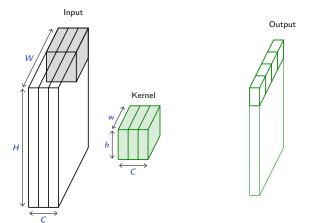
Figures taken from [Fleuret, 2022].



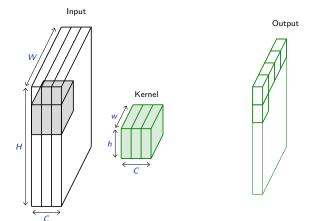
Figures taken from [Fleuret, 2022].



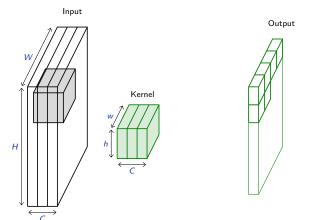
Figures taken from [Fleuret, 2022].



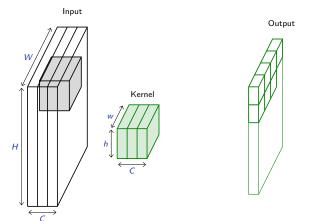
Figures taken from [Fleuret, 2022].



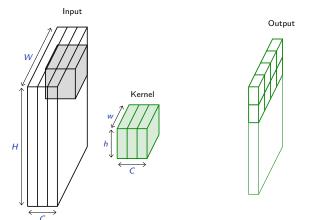
Figures taken from [Fleuret, 2022].



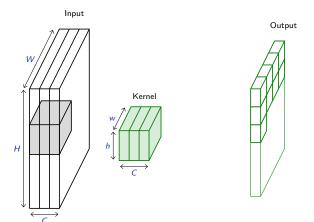
Figures taken from [Fleuret, 2022].



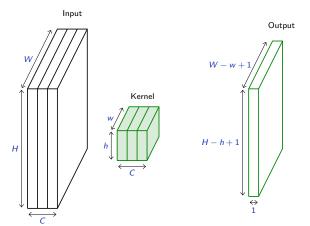
Figures taken from [Fleuret, 2022].



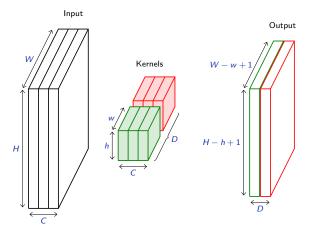
Figures taken from [Fleuret, 2022].



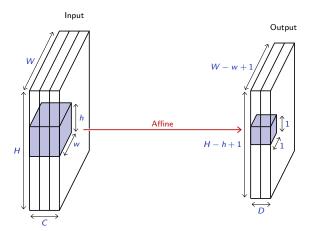
Figures taken from [Fleuret, 2022].



Figures taken from [Fleuret, 2022].



Figures taken from [Fleuret, 2022].



Figures taken from [Fleuret, 2022].

- La convolution est une opération affine entre l'input X et l'output Z = X * K.
- Pour introduire de la non-linéarité, on applique généralement une fonction non-linéaire σ (tanh, ReLU, etc.) à Z.
- La dynamique d'une couche convolutive s'écrit alors:

$$A = \sigma(Z) = \sigma(X * K)$$

où σ est appliquée composante par composante.

Les paramètres (valeurs) du noyau K sont appris par backpropagation.

- La convolution est une opération affine entre l'input X et l'output Z = X * K.
- Pour introduire de la non-linéarité, on applique généralement une fonction non-linéaire σ (tanh, ReLU, etc.) à Z.
- La dynamique d'une couche convolutive s'écrit alors:

$$A = \sigma(Z) = \sigma(X * K)$$

où σ est appliquée composante par composante.

Les paramètres (valeurs) du noyau K sont appris par backpropagation.

- La convolution est une opération affine entre l'input X et l'output Z = X * K.
- Pour introduire de la non-linéarité, on applique généralement une fonction non-linéaire σ (tanh, ReLU, etc.) à Z.
- La dynamique d'une couche convolutive s'écrit alors:

$$A = \sigma(Z) = \sigma(X * K)$$

où σ est appliquée composante par composante.

Les paramètres (valeurs) du noyau K sont appris par backpropagation.

- La convolution est une opération affine entre l'input X et l'output Z = X * K.
- Pour introduire de la non-linéarité, on applique généralement une fonction non-linéarie σ (tanh, ReLU, etc.) à Z.
- La dynamique d'une couche convolutive s'écrit alors:

$$A = \sigma(Z) = \sigma(X * K)$$

où σ est appliquée composante par composante.

▶ Les paramètres (valeurs) du noyau K sont appris par backpropagation.

Les couches convolutives possèdent également les spécifications suivantes:

- ► Le **padding**: spécifie les dimension d'un cadre de valeur 0 ajouté de autour de l'input.
- Le stride: spécifie la taille du pas avec lequel le filtre de convolution parcourt l'input.
- ▶ La dilatation: module l'expansion (ou écartement) du filtre sans ajouter de paramètres.

Les couches convolutives possèdent également les spécifications suivantes:

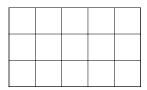
- Le **padding**: spécifie les dimension d'un cadre de valeur 0 ajouté de autour de l'input.
- Le stride: spécifie la taille du pas avec lequel le filtre de convolution parcourt l'input.
- ▶ La dilatation: module l'expansion (ou écartement) du filtre sans ajouter de paramètres.

Les couches convolutives possèdent également les spécifications suivantes:

- ► Le **padding**: spécifie les dimension d'un cadre de valeur 0 ajouté de autour de l'input.
- Le stride: spécifie la taille du pas avec lequel le filtre de convolution parcourt l'input.
- ► La dilatation: module l'expansion (ou écartement) du filtre sans ajouter de paramètres.

PADDING AND STRIDE

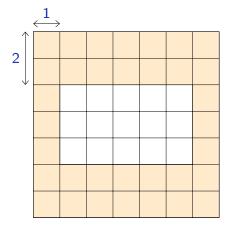
Intro



Input

PADDING AND STRIDE

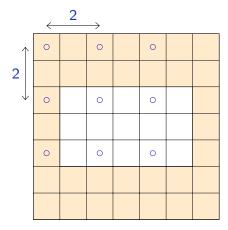
Intro



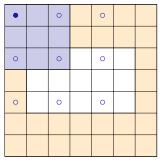
Input

PADDING AND STRIDE

Intro

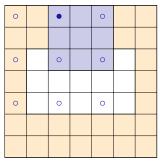


Input



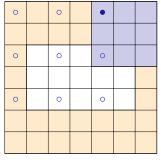


Input



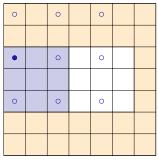


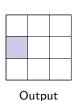
Input



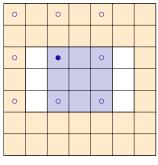


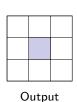
Input



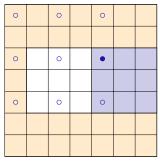


Input





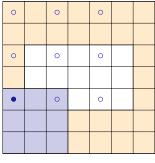
Input





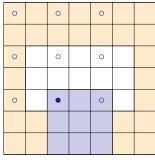
Output

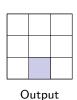
Input



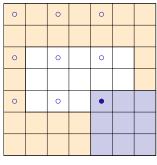


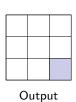
Input





Input

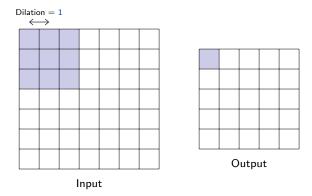




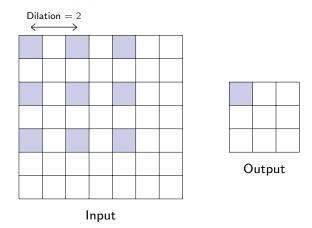
Input

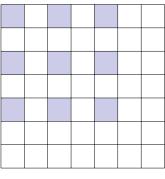
DILATATION

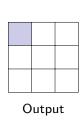
Intro



Figures taken from [Fleuret, 2022].



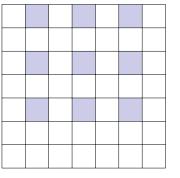


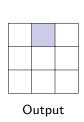


Input

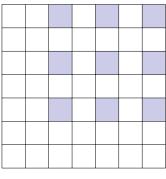
DILATATION

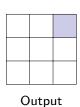
Intro





Input



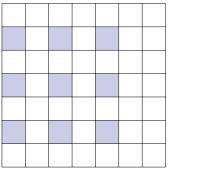


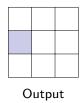
•

Input

DILATATION

Intro

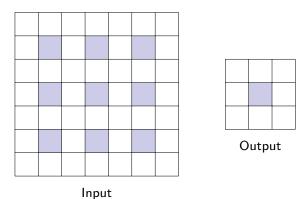


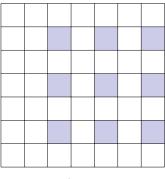


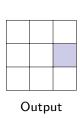
Input

DILATATION

Intro



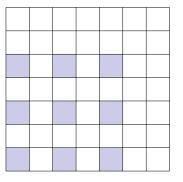


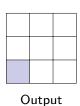


Input

DILATATION

Intro



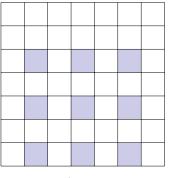


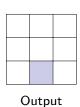
Output

Input

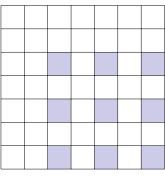
DILATATION

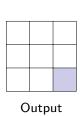
Intro





Input





Input

AVANTAGES DES COUCHES CONVOLUTIVES

Les couches convolutives possèdent les avantages suivants par rapport aux couches denses classiques:

► Parameter sharing

Stockage mémoire:

k paramètres partagés (conv.) vs $m \times n$ paramètres (dense), avec k << m, n.

► Sparse connectivity

 $O(k \times n)$ (conv.) vs $O(m \times n)$ (dense) pour calcul de l'output, avec k << m.

Les couches convolutives possèdent les avantages suivants par rapport aux couches denses classiques:

► Parameter sharing

INTRO

Stockage mémoire:

k paramètres partagés (conv.) vs $m \times n$ paramètres (dense), avec k << m, n.

Sparse connectivity

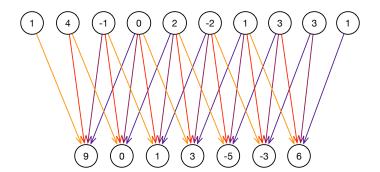
Forward pass:

 $O(k \times n)$ (conv.) vs $O(m \times n)$ (dense) pour calcul de l'output, avec k << m.

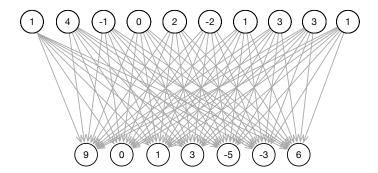


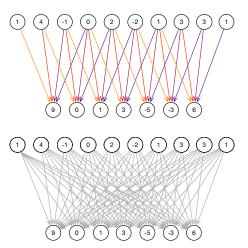
1 2 0 -1





AVANTAGES DES COUCHES CONVOLUTIVES



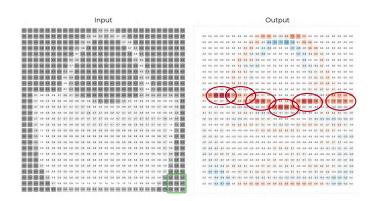


INTRO

► Equivariant representation

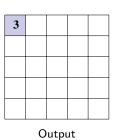
Des patterns similaires de l'input (e.g., bords, arrondis, etc.), quels que soient leurs emplacements, sont transformés de manières similaires dans l'output.

Ainsi, les filtres apprennent des représentations de patterns spécifiques, et une image sera caractérisée par l'emplacement de ces patterns.



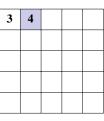
Les bords supérieurs dans l'input, indépendamment de leur emplacement, sont détectés de manières similaires dans l'output (invariance par translation).

1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7



Input

1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7



Output

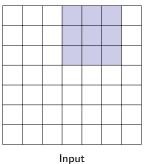
Input

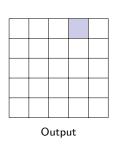
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7
1	2	3	4	5	6	7

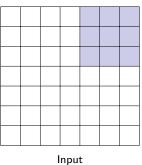


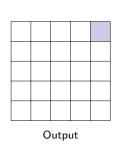
Output

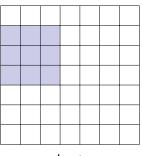
Input

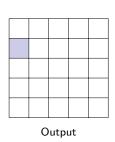




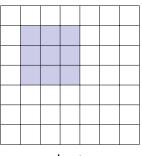


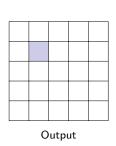






Input





Input

POOLING

Etant donné une matrice d'input X de taille $H \times W$ et un filtre de pooling P de taille $h \times w$, les opérations de maximum and average pooling

$$MaxPool(X)$$
 et $AvgPool(X)$

donnent des matrices de taille $(H-h+1)\times (W-w+1)$ dont les composantes sont

$$MaxPool(\boldsymbol{X})_{i,j} = max (\boldsymbol{X}_{[i:i+h-1,j:j+w-1]})$$

$$AvgPool(\boldsymbol{X})_{i,j} = avg (\boldsymbol{X}_{[i:i+h-1,j:j+w-1]})$$

INTRO

Etant donné une matrice d'input X de taille $H \times W$ et un filtre de pooling P de taille $h \times w$, les opérations de maximum and average pooling

$$MaxPool(X)$$
 et $AvgPool(X)$

donnent des matrices de taille $(H-h+1)\times (W-w+1)$ dont les composantes sont

$$\operatorname{MaxPool}(\boldsymbol{X})_{i,j} = \max \left(\boldsymbol{X}_{[i:i+h-1,j:j+w-1]} \right)$$

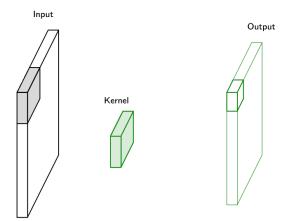
$$\operatorname{AvgPool}(\boldsymbol{X})_{i,j} = \operatorname{avg} \left(\boldsymbol{X}_{[i:i+h-1,j:j+w-1]} \right)$$

 Contrairement aux convolutions, les opérations de pooling ne font intervenir aucun paramètres!

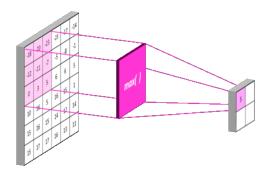
Exemples:

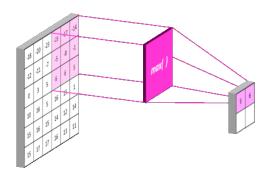
Voir site web: https://deeplizard.com/resource/pavq7noze3

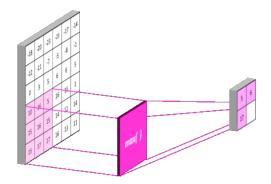
COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)

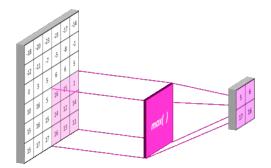


Figures taken from [Fleuret, 2022].









COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)

- ▶ Une couche de pooling est appelée pooling layer.
- Les deux principaux types de pooling sont le *max pooling* et le *average pooling*, mais il en existe d'autres.
- Une couche de pooling ne fait intervenir aucun paramètre; il n'y a donc aucun paramètre à apprendre!

COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)

- ▶ Une couche de pooling est appelée pooling layer.
- Les deux principaux types de pooling sont le *max pooling* et le *average pooling*, mais il en existe d'autres.
- Une couche de pooling ne fait intervenir aucun paramètre; il n'y a donc aucun paramètre à apprendre!

- ▶ Une couche de pooling est appelée pooling layer.
- Les deux principaux types de pooling sont le *max pooling* et le *average pooling*, mais il en existe d'autres.
- ▶ Une couche de pooling ne fait intervenir aucun paramètre; il n'y a donc aucun paramètre à apprendre!

INTRO

COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)

ightharpoonup Le max ou avg pooling appliqué à une input X de dimension $H \times W \times C$ par le biais d'un filtre de dimension $h \times w$ donne une output

$$oldsymbol{Z} = \operatorname{MaxPool}(oldsymbol{X})$$
 ou $oldsymbol{Z} = \operatorname{AvgPool}(oldsymbol{X})$

de dimension $(H-h+1)\times (W-w+1)\times C$, respectivement.

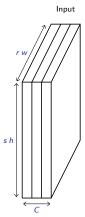
COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)

Le max ou avg pooling appliqué à une input X de dimension $H \times W \times C$ par le biais d'un filtre de dimension $h \times w$ donne une output

$$Z = \text{MaxPool}(X)$$
 ou $Z = \text{AvgPool}(X)$

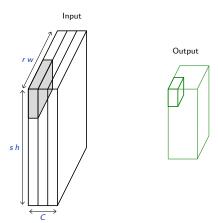
de dimension $(H-h+1)\times (W-w+1)\times C$, respectivement.

► Cette fois-ci, l'opération de pooling est appliquée canal par canal. Ainsi, l'output est de même profondeur C que l'input (cf. slide suivant)!

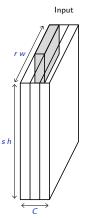


Figures taken from [Fleuret, 2022]

COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)

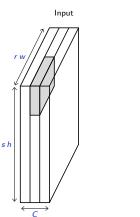


Figures taken from [Fleuret, 2022]



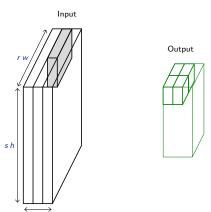


Figures taken from [Fleuret, 2022]



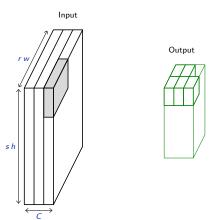


Figures taken from [Fleuret, 2022]



Figures taken from [Fleuret, 2022]

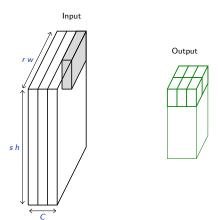
ightharpoonup Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.



Figures taken from [Fleuret, 2022]

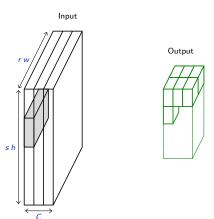
ightharpoonup Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.

COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)



Figures taken from [Fleuret, 2022]

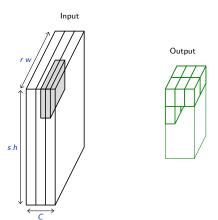
 \blacktriangleright Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.



Figures taken from [Fleuret, 2022]

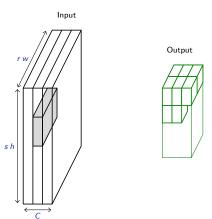
 \blacktriangleright Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.

COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)



Figures taken from [Fleuret, 2022]

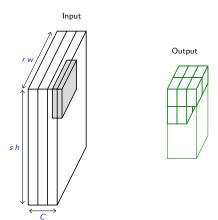
ightharpoonup Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.



Figures taken from [Fleuret, 2022]

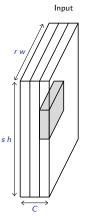
 \blacktriangleright Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.

COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)



Figures taken from [Fleuret, 2022]

 \blacktriangleright Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.

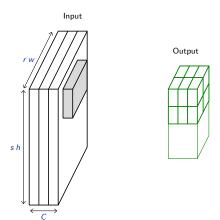




Figures taken from [Fleuret, 2022]

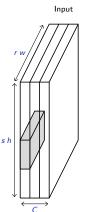
ightharpoonup Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.

COUCHE DE POOLING (POOLING LAYER)



Figures taken from [Fleuret, 2022]

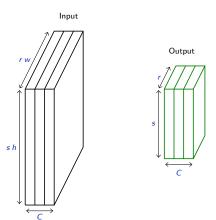
 \blacktriangleright Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.





Figures taken from [Fleuret, 2022]

ightharpoonup Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.



Figures taken from [Fleuret, 2022]

ightharpoonup Contrairement à la convolution, le pooling est appliqué indépendamment sur chaque canal, donnant une output de profondeur C.

Rôle des couches pooling

Les couches de pooling jouent les rôle suivants:

- ► Aggregate information

 Un groupe de pixels est agrégé en un seul pixel d'information.
- Dimension reduction Une couche de pooling réduit la dimension de l'input, et donc l'efficacité computationnelle.
- Procuce translation invariance
 Si l'input (ou des patterns de l'input) sont légèrement translatés, leur "pooled representation" restera très similaire.

RÔLE DES COUCHES POOLING

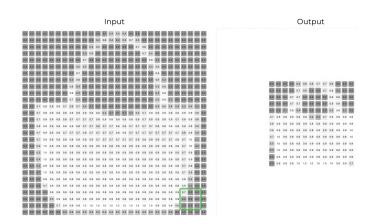
Les couches de pooling jouent les rôle suivants:

- ► Aggregate information
 Un groupe de pixels est agrégé en un seul pixel d'information.
- Dimension reduction Une couche de pooling réduit la dimension de l'input, et donc l'efficacité computationnelle.
- Procuce translation invariance
 Si l'input (ou des patterns de l'input) sont légèrement translatés, leur "pooled representation" restera très similaire.

RÔLE DES COUCHES POOLING

Les couches de pooling jouent les rôle suivants:

- ► Aggregate information
 Un groupe de pixels est agrégé en un seul pixel d'information.
- Dimension reduction Une couche de pooling réduit la dimension de l'input, et donc l'efficacité computationnelle.
- Procuce translation invariance
 Si l'input (ou des patterns de l'input) sont légèrement translatés, leur "pooled representation" restera très similaire.



- Un réseau de neurones convolutif (CNN) est composé de couches convolutives, de couches pooling et en général de quelques dernières couches denses classiques.
- Les paramètres (poids) des filtres convolutifs (et des couches denses classiques s'il y en a) sont appris par backpropagation!
- Les couches de pooling ne font intervenir aucun paramètre!
- Les filtres sont donc des features' extractors et les features qu'ils extraient sont appris par entraînement.
- ► Un CNN crée une représentation enrichie de l'image de départ (input) qui est en adéquation avec la tâche que l'on souhaite résoudre.

- Un réseau de neurones convolutif (CNN) est composé de couches convolutives, de couches pooling et en général de quelques dernières couches denses classiques.
- Les paramètres (poids) des filtres convolutifs (et des couches denses classiques s'il y en a) sont appris par backpropagation!
- Les couches de pooling ne font intervenir aucun paramètre!
- Les filtres sont donc des *features' extractors* et les features qu'ils extraient sont appris par entraînement.
- ► Un CNN crée une représentation enrichie de l'image de départ (input) qui est en adéquation avec la tâche que l'on souhaite résoudre.

RÉSEAU DE NEURONES CONVOLUTIF (CNNS)

- Un réseau de neurones convolutif (CNN) est composé de couches convolutives, de couches pooling et en général de quelques dernières couches denses classiques.
- Les paramètres (poids) des filtres convolutifs (et des couches denses classiques s'il y en a) sont appris par backpropagation!
- Les couches de pooling ne font intervenir aucun paramètre!
- Les filtres sont donc des *features' extractors* et les features qu'ils extraient sont appris par entraînement.
- ► Un CNN crée une représentation enrichie de l'image de départ (input) qui est en adéquation avec la tâche que l'on souhaite résoudre.

- Un réseau de neurones convolutif (CNN) est composé de couches convolutives, de couches pooling et en général de quelques dernières couches denses classiques.
- Les paramètres (poids) des filtres convolutifs (et des couches denses classiques s'il y en a) sont appris par backpropagation!
- Les couches de pooling ne font intervenir aucun paramètre!
- Les filtres sont donc des *features' extractors* et les features qu'ils extraient sont appris par entraînement.
- Un CNN crée une représentation enrichie de l'image de départ (input) qui est en adéquation avec la tâche que l'on souhaite résoudre.

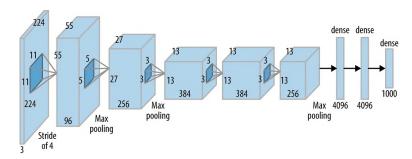
- Un réseau de neurones convolutif (CNN) est composé de couches convolutives, de couches pooling et en général de quelques dernières couches denses classiques.
- Les paramètres (poids) des filtres convolutifs (et des couches denses classiques s'il y en a) sont appris par backpropagation!
- Les couches de pooling ne font intervenir aucun paramètre!
- Les filtres sont donc des *features' extractors* et les features qu'ils extraient sont appris par entraînement.
- ▶ Un CNN crée une représentation enrichie de l'image de départ (input) qui est en adéquation avec la tâche que l'on souhaite résoudre.

- L'architecture AlexNet a représenté une avancée majeure dans le domaine de la computer vision.
- ▶ Le modèle se compose 5 couche convolutives, 2 couches de Max Pooling et 3 couche denses.
- Ce réseau a été entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet (15M d'images, 22K catégories).
- AlexNet s'entraîne par backpropagation!

- L'architecture AlexNet a représenté une avancée majeure dans le domaine de la computer vision.
- ► Le modèle se compose 5 couche convolutives, 2 couches de Max Pooling et 3 couche denses.
- Ce réseau a été entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet (15M d'images, 22K catégories).
- AlexNet s'entraîne par backpropagation!

- L'architecture AlexNet a représenté une avancée majeure dans le domaine de la computer vision.
- ► Le modèle se compose 5 couche convolutives, 2 couches de Max Pooling et 3 couche denses.
- Ce réseau a été entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet (15M d'images, 22K catégories).
- AlexNet s'entraîne par backpropagation!

- L'architecture AlexNet a représenté une avancée majeure dans le domaine de la computer vision.
- ► Le modèle se compose 5 couche convolutives, 2 couches de Max Pooling et 3 couche denses.
- Ce réseau a été entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet (15M d'images, 22K catégories).
- ► AlexNet s'entraîne par backpropagation!



Figures taken from

https://towards datascience.com/the-w3h-of-alexnet-vggnet-resnet-and-inception-7baaaecccc96

ALEXNET

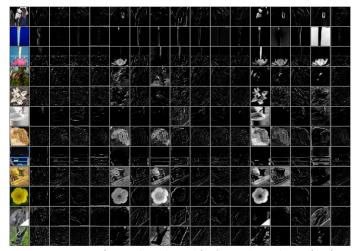
Intro

AlexNet Network - Structural Details													
Input			Output			Layer	Stride	Pad	Kerne	el size	in	out	# of Param
227	227	3	55	55	96	conv1	4	0	11	11	3	96	34944
55	55	96	27	27	96	maxpool1	2	0	3	3	96	96	0
27	27	96	27	27	256	conv2	1	2	5	5	96	256	614656
27	27	256	13	13	256	maxpool2	2	0	3	3	256	256	0
13	13	256	13	13	384	conv3	1	1	3	3	256	384	885120
13	13	384	13	13	384	conv4	1	1	3	3	384	384	1327488
13	13	384	13	13	256	conv5	1	1	3	3	384	256	884992
13	13	256	6	6	256	maxpool5	2	0	3	3	256	256	0
	fc6 1 1 9216 4096									37752832			
	fc7 1 1 4096 4096									16781312			
	fc8 1 1 4096 1000									4097000			
Total										62,378,344			

Figures taken from

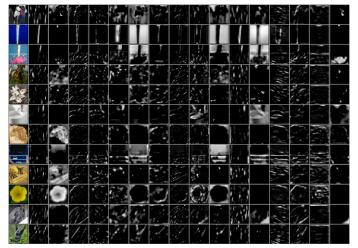
https://towards datascience.com/the-w3h-of-alexnet-vggnet-resnet-and-inception-7baaaecccc96

ALEXNET: CONVOLUTION AND POOLING LAYERS



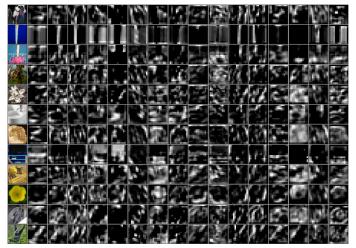
Activation maps (16 random channels) of convolution layers (1–5).

ALEXNET: CONVOLUTION AND POOLING LAYERS



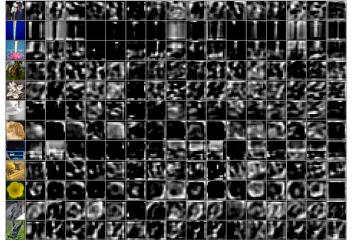
Activation maps (16 random channels) of convolution layers (1-5).

ALEXNET: CONVOLUTION AND POOLING LAYERS



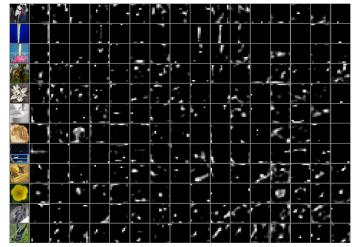
Activation maps (16 random channels) of convolution layers (1–5).

ALEXNET: CONVOLUTION AND POOLING LAYERS



Activation maps (16 random channels) of convolution layers (1-5).

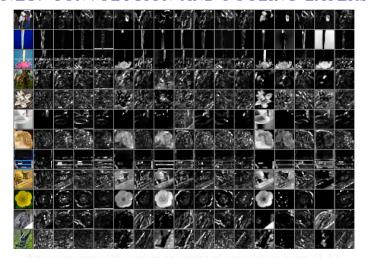
ALEXNET: CONVOLUTION AND POOLING LAYERS



Activation maps (16 random channels) of convolution layers (1–5).

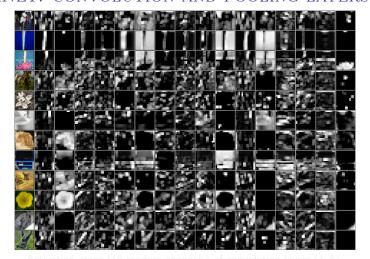
Activation maps (16 random channels) of max pooling layers (1-3)

ALEXNET: CONVOLUTION AND POOLING LAYERS

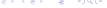


Activation maps (16 random channels) of max pooling layers (1–3).

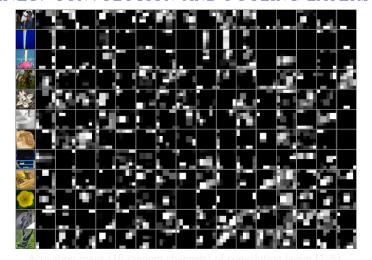




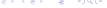
Activation maps (16 random channels) of max pooling layers (1–3).



ALEXNET: CONVOLUTION AND POOLING LAYERS



Activation maps (16 random channels) of max pooling layers (1–3).



- L'architecture VGGNet a représenté une autre avancée.
- ► Le réseau se compose de 16 à 19 couches convolutives et de couches Max Pooling.
- Ce réseau a été également entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet.
- Augmenter la profondeur du réseau et diminuer la taille des filtres améliore la performance.

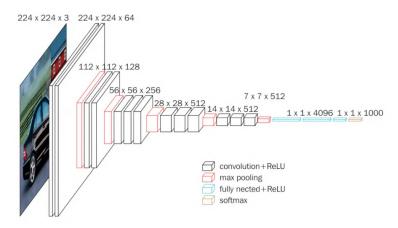
- L'architecture VGGNet a représenté une autre avancée.
- \blacktriangleright Le réseau se compose de 16 à 19 couches convolutives et de couches Max Pooling.
- Ce réseau a été également entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet.
- Augmenter la profondeur du réseau et diminuer la taille des filtres améliore la performance.

- L'architecture VGGNet a représenté une autre avancée.
- ► Le réseau se compose de 16 à 19 couches convolutives et de couches Max Pooling.
- Ce réseau a été également entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet.
- Augmenter la profondeur du réseau et diminuer la taille des filtres améliore la performance.

- L'architecture VGGNet a représenté une autre avancée.
- ► Le réseau se compose de 16 à 19 couches convolutives et de couches Max Pooling.
- Ce réseau a été également entraîné pour un problème de classification d'images sur le dataset ImageNet.
- Augmenter la profondeur du réseau et diminuer la taille des filtres améliore la performance.

VGGNET

Intro



Figures taken from

https://towardsdatascience.com/the-w3h-of-alexnet-vggnet-resnet-and-inception-7baaaecccc96

VGGNET

Intro

VGG16 - Structural Details													
#	Input Image			output			Layer	Stride	Kernel		in	out	Param
1	224	224	3	224	224	64	conv3-64	1	3	3	3	64	1792
2	224	224	64	224	224	64	conv3064	1	3	3	64	64	36928
	224	224	64	112	112	64	maxpool	2	2	2	64	64	0
3	112	112	64	112	112	128	conv3-128	1	3	3	64	128	73856
4	112	112	128	112	112	128	conv3-128	1	3	3	128	128	147584
	112	112	128	56	56	128	maxpool	2	2	2	128	128	65664
5	56	56	128	56	56	256	conv3-256	1	3	3	128	256	295168
6	56	56	256	56	56	256	conv3-256	1	3	3	256	256	590080
7	56	56	256	56	56	256	conv3-256	1	3	3	256	256	590080
	56	56	256	28	28	256	maxpool	2	2	2	256	256	0
8	28	28	256	28	28	512	conv3-512	1	3	3	256	512	1180160
9	28	28	512	28	28	512	conv3-512	1	3	3	512	512	2359808
10	28	28	512	28	28	512	conv3-512	1	3	3	512	512	2359808
	28	28	512	14	14	512	maxpool	2	2	2	512	512	0
11	14	14	512	14	14	512	conv3-512	1	3	3	512	512	2359808
12	14	14	512	14	14	512	conv3-512	1	3	3	512	512	2359808
13	14	14	512	14	14	512	conv3-512	1	3	3	512	512	2359808
	14	14	512	7	7	512	maxpool	2	2	2	512	512	0
14	1	1	25088	1	1	4096	fc		1	1	25088	4096	102764544
15	1	1	4096	1	1	4096	fc		1	1	4096	4096	16781312
16	1	1	4096	1	1	1000	fc		1	1	4096	1000	4097000
Total											138,423,208		

Figures taken from

https://towardsdatascience.com/the-w3h-of-alexnet-vggnet-resnet-and-inception-7baaaecccc96



- L'architecture ResNet (residual network) introduit le concept de *skip connections*.
- Les *skip connections* permettent d'apprendre si (et dans quelle mesure) les features extraites par les couches convolutives valent la peine d'être transférées à travers le réseau ou non.
- Les inputs de la couche l+1 sont une combinaison linéaire des outputs $\mathcal{F}(\boldsymbol{x})$ de la couche l et des inputs \boldsymbol{x} de la couche l.

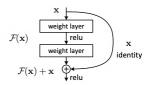


Figure taken from [He et al., 2016].

- L'architecture ResNet (residual network) introduit le concept de skip connections.
- Les skip connections permettent d'apprendre si (et dans quelle mesure) les features extraites par les couches convolutives valent la peine d'être transférées à travers le réseau ou non.

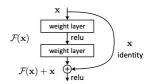


Figure taken from [He et al., 2016].

RESNET [HE ET AL., 2016]

- L'architecture ResNet (residual network) introduit le concept de *skip connections*.
- Les skip connections permettent d'apprendre si (et dans quelle mesure) les features extraites par les couches convolutives valent la peine d'être transférées à travers le réseau ou non.
- Les inputs de la couche l+1 sont une combinaison linéaire des outputs $\mathcal{F}(x)$ de la couche l et des inputs x de la couche l.

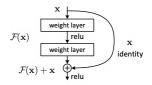


Figure taken from [He et al., 2016].

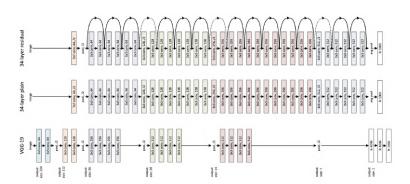


Figure taken from [He et al., 2016].

BIBLIOGRAPHIE I



INTRO

Fleuret, F. (2022).

Deep Learning Course.



Fukushima, K. (1980).

Neocognitron: A self-organizing neural network model for a mechanism of pattern recognition unaffected by shift in position.

Biological Cybernetics, 36:193–202.



Fukushima, K. (1988).

Neocognitron: A hierarchical neural network capable of visual pattern recognition.

Neural Networks, 1(2):119-130.



He, K., Zhang, X., Ren, S., and Sun, J. (2016).

Deep residual learning for image recognition.

In 2016 IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, CVPR 2016, Las Vegas, NV, USA, June 27-30, 2016, pages 770–778. IEEE Computer Society.

BIBLIOGRAPHIE II



Intro

Krizhevsky, A., Sutskever, I., and Hinton, G. E. (2012). Imagenet classification with deep convolutional neural networks.

In Bartlett, P. L., Pereira, F. C. N., Burges, C. J. C., Bottou, L., and Weinberger, K. Q., editors, Advances in Neural Information Processing Systems 25: 26th Annual Conference on Neural Information Processing Systems 2012. Proceedings of a meeting held December 3-6, 2012, Lake Tahoe, Nevada, United States, pages 1106–1114



LeCun, Y., Bottou, L., Bengio, Y., and Haffner, P. (1998). Gradient-based learning applied to document recognition. *Proc. IEEE*, 86(11):2278–2324.



Ronneberger, O., Fischer, P., and Brox, T. (2015). U-net: Convolutional networks for biomedical image segmentation.

In Navab, N., Hornegger, J., III, W. M. W., and Frangi, A. F., editors, *Medical Image Computing and Computer-Assisted Intervention - MICCAI 2015 - 18th International Conference Munich, Germany, October 5 - 9, 2015, Proceedings, Part III,* volume 9351 of *Lecture Notes in Computer Science*, pages 234–241. Springer.

BIBLIOGRAPHIE III



Intro

Simonyan, K. and Zisserman, A. (2015).

Very deep convolutional networks for large-scale image recognition.

In Bengio, Y. and LeCun, Y., editors, 3rd International Conference on Learning Representations, ICLR 2015, San Diego, CA, USA, May 7-9, 2015, Conference Track Proceedings.